

MINISTÈRE DE L'ENSEIGNEMENT SUPÉRIEUR
ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE

12/81

see

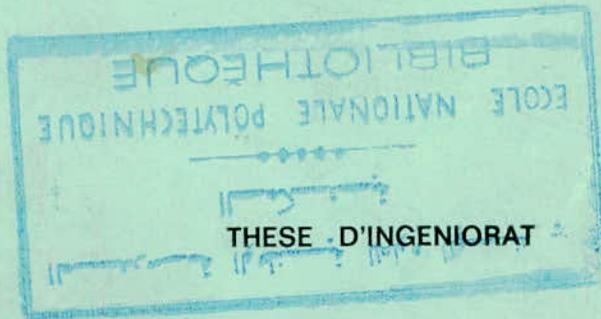
U. S. T. A.

ÉCOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

DÉPARTEMENT ÉLECTRONIQUE ET ÉLECTROTECHNIQUE



PROJET DE FIN D'ÉTUDES



RESOLUTION
d'EQUATIONS DIFFERENTIELLES
par **MICROPROCESSEUR**

Proposé par :

H. TEDJINI

Docteur Ingénieur

Étudié par :

A. CHERIFI

A. DELASSI

MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT SUPERIEUR
ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE

U. S. T. A.

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

DEPARTEMENT ELECTRONIQUE ET ELECTROTECHNIQUE

PROJET DE FIN D'ETUDES

THESE D'INGENIORAT

RESOLUTION
d'EQUATIONS DIFFERENTIELLES
par **MICROPROCESSEUR**

Proposé par :

H. TEDJINI

Docteur Ingénieur

Etudié par :

A. CHERIFI

A. DELASSI

JANVIER 1981

I) Les registres internes : (voir figure 1)

Les registres sont de petites mémoires qui permettent de conserver temporairement des informations. Tous les microprocesseurs possèdent des registres qui leur sont propres et qui facilitent beaucoup la programmation à l'utilisateur.

Ces registres contribuent à diminuer notablement le nombre d'accès à la mémoire et par conséquent le nombre d'allées et retours des informations.

1°) Les accumulateurs A et B :

Les 2 accumulateurs sont des registres privilégiés. De la taille des mots à traiter, c'est à dire 8 bits chacun, ils sont constitués de 8 bascules à accès parallèle.

L'accumulateur stocke temporairement les données (opérandes) traitées par l'unité arithmétique et logique (U.A.L). Bien entendu, seule la dernière information stockée dans l'accumulateur est conservée.

L'utilisateur a accès aux accumulateurs, par conséquent, il a la possibilité de :

- stocker un mot binaire directement dans l'accumulateur
- lire le contenu de l'accumulateur
- transférer un mot contenu dans l'accumulateur vers une adresse mémoire et inversement.

2°) Le registre d'index :

C'est un registre de 16 bits destiné à contenir une adresse mémoire souvent utilisée dans le mode d'adressage indexé.

3°) Le registre d'instruction : R.I.

Il est d'une longueur correspondante à 2 fois le format des mots binaires en mémoire, c'est à dire 16 bits. Il est donc nécessaire d'effectuer 2 aller et retour en mémoire pour disposer de l'instruction
.../...

complète. Cette dernière passe ensuite dans le registre à décodage.

4°) Le compteur de programme (C.P.)

C'est un registre de 16 bits, son contenu représente l'adresse de la case mémoire contenant la première instruction du programme. Lors de l'accès mémoire, le contenu de ce compteur est transmis dans le registre d'adresses, le compteur de programme est ainsi à nouveau libre peut être incrémenté (Plus 1) de façon à permettre l'adressage de la case mémoire suivante.

5°) Le registre d'état : C.C.R. (Code condition register)

composé de 8 bits et contient 6 informations utiles à la gestion du programme.

- C (bit indicateur de retenue) : nous renseigne si le mot considéré contient une retenue au 7ème bit.

- V (bit indicateur de dépassement) : Il indique à l'utilisateur que l'on a dépassé la capacité de traitement de l'U.A.L.

- Z (bit indicateur de zéro) : Ce bit signale si le résultat d'une opération effectuée par l'U.A.L est nul. Il sera à 1 si le résultat est nul et à 0 dans le cas contraire.

- N (bit indicateur désigne) : Un (0) indique que le résultat est positif et un (1) indique que le résultat est négatif.

- I (bit indicateur d'interruption) : Ce bit est positionné en présence d'un signal d'interruption.

- F (bit indicateur de demi-retenu) : Le mot considéré contient une retenue au 3ème bit.

II - Les instructions du M6800 : (Voir tableaux 1,3,4)

Le MC 6800 possède un jeu de 72 instructions d'une longueur variable de 1 à 3 octets, permettant d'effectuer les opérations suivantes :

.../...

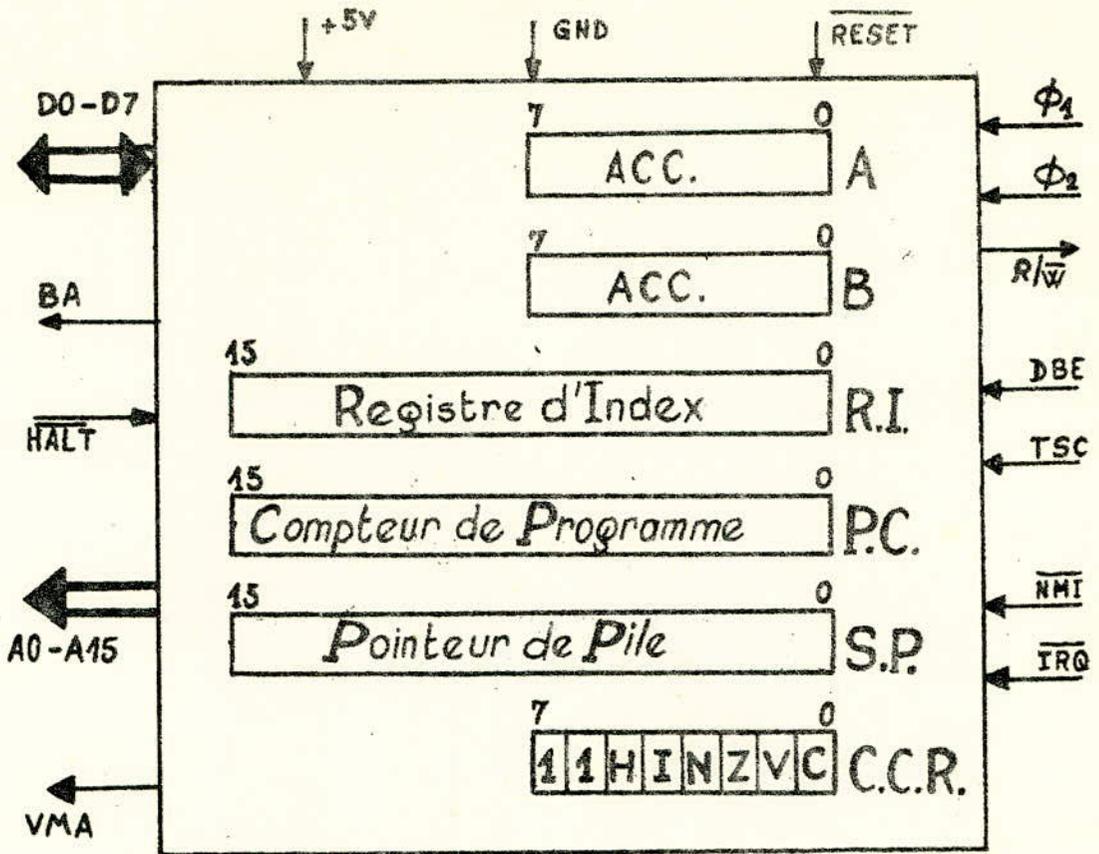


Fig1: Configuration des registres

Tableau 1:
Instructions du M6800

ABA - Addition de l'accumulateur B à l'accumulateur A	JMP - Saut inconditionnel
ADC - Addition avec retenue	JSR - Saut à un sous-programme
ADD - Addition	LDA - Chargement accumulateur
AND - "ET" logique	LDS - Chargement du pointeur de pile
ASL - Décalage arithmétique de un vers le gauche	LDX - Chargement du registre d'index
ASR - Décalage arithmétique de un vers la droite	LSR - Décalage logique vers la droite d'une position
BCC - Branchement si il n'y a pas de retenue	NEG - Complément à deux (opposé)
BCS - Branchement si il y a retenue	NOP - Passage en séquence (non opération)
BEQ - Branchement si égal (à zéro)	ORA - "OU" logique
BGE - Branchement si supérieur ou égal à zéro	PSH - Mise d'un octet dans la pile
BGT - Branchement si plus grand que zéro	PUL - Dépilement d'un octet
BHI - Branchement si supérieur	ROL - Décalage circulaire à gauche
BIT - Test de bits	ROR - Décalage circulaire à droite
BLE - Branchement si inférieur ou égal à zéro	RTI - Retour de séquence d'interruption
BLS - Branchement si inférieur ou égal	RTS - Retour de sous-programme
BLT - Branchement si inférieur à zéro	SBA - Soustraction entre accumulateurs
BMI - Branchement si négatif	SBC - Soustraction avec retenue
BNE - Branchement si non nul	SEC - Mise à un de la retenue
BPL - Branchement si positif ou nul	SEI - Mise à un du masque d'interruption
BRA - Branchement inconditionnel	BEV - Mise à un du bit de dépassement en complément à deux
BSR - Branchement à un sous-programme	STA - Mise en mémoire d'un accumulateur
BVC - Branchement si pas de dépassement	STS - Mise en mémoire du pointeur de pile
BVS - Branchement si dépassement	STX - Mise en mémoire du registre d'index
CBA - Comparaison des accumulateurs	SUB - Soustraction
CLC - Mise à zéro du bit de retenue	SWI - Interruption programmée
CLI - Mise à zéro du masque d'interruption	TAB - Transfert de l'accumulateur A dans l'accumulateur B
CLR - Mise à zéro	TAP - Transfert de l'accumulateur A dans le Registre Codes Conditions
CLV - Mise à zéro du bit de dépassement, en complément à deux	TBA - Transfert de l'accumulateur B dans l'accumulateur A
CMP - Comparaison	TPA - Transfert du registre d'Etat dans l'accumulateur A
COM - Complément à un	TST - Test
CPX - Comparaison du registre d'index	TSX - Transfert du pointeur de pile dans l'index
DAA - Ajustement décimal sur l'accumulateur A	TXS - Transfert du registre d'index dans le pointeur de pile
DEC - Décrémenter	WAI - Attente d'interruption
DES - Décrémenter du pointeur de pile	
DEX - Décrémenter du registre d'index	
EOR - "OU" exclusif	
INC - Incrémenter	
INS - Incrémenter du pointeur de pile	
INX - Incrémenter du registre d'index	

Tableau : 3

INDEX REGISTER AND STACK		OPERATIONS								BOOLEAN/ARITHMETIC OPERATION		BIT TESTS								
OPERATIONS	MNEMONIC	IMMED		DIRECT		INDEX		EXTND		INNER		OPERATION		H	I	N	Z	V	C	
		OP	~	OP	~	OP	~	OP	~	OP	~									
Compare Index Reg	CPX	8C	3	3	8C	4	2	AC	6	2	BC	5	3	$(X_M/X_L) - (M/M + 1)$	•	•	•	•	•	•
Decrement Index Reg	DEX										09	4	1	$X - 1 \rightarrow X$	•	•	•	•	•	•
Decrement Stack Ptr	DFS										34	4	1	$SP - 1 \rightarrow SP$	•	•	•	•	•	•
Increment Index Reg	INX										08	4	1	$X + 1 \rightarrow X$	•	•	•	•	•	•
Increment Stack Ptr	INS										31	4	1	$SP + 1 \rightarrow SP$	•	•	•	•	•	•
Load Index Reg	LDX	CE	3	3	DE	4	2	EE	6	2	FE	5	3	$M \rightarrow X_M, (M + 1) \rightarrow X_L$	•	•	•	•	•	•
Load Stack Ptr	LDS	BE	3	3	9E	4	2	AE	6	2	BE	5	3	$M \rightarrow SP_M, (M + 1) \rightarrow SP_L$	•	•	•	•	•	•
Store Index Reg	STX				0F	5	2	EF	7	2	FF	6	3	$X_M \rightarrow M, X_L \rightarrow (M + 1)$	•	•	•	•	•	•
Store Stack Ptr	STS				0F	5	2	AF	7	2	0F	6	3	$SP_M \rightarrow M, SP_L \rightarrow (M + 1)$	•	•	•	•	•	•
Idx Reg → Stack Ptr	TXS										35	4	1	$X - 1 \rightarrow SP$	•	•	•	•	•	•
Stack Ptr → Idx Reg	TSX										30	4	1	$SP + 1 \rightarrow X$	•	•	•	•	•	•

JUMP AND BRANCH OPERATIONS		OPERATIONS								BRANCH TEST		BIT TESTS							
OPERATIONS	MNEMONIC	RELATIVE		INDEX		EXTND		INNER		BRANCH TEST		H	I	N	Z	V	C		
		OP	~	OP	~	OP	~	OP	~										
Branch Always	BRA	20	4	2						None	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If Carry Clear	BCC	24	4	2						$C = 0$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If Carry Set	BCS	25	4	2						$C = 1$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If = Zero	BED	27	4	2						$Z = 1$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If > Zero	BGE	2C	4	2						$N \oplus V = 0$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If > Zero	BGT	2E	4	2						$Z + (N \ominus V) = 0$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If Higher	BHI	22	4	2						$C + Z = 0$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If < Zero	BLE	2F	4	2						$Z + (N \oplus V) = 1$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If Lower Or Same	BLS	23	4	2						$C + Z = 1$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If < Zero	BLT	2D	4	2						$N \oplus V = 1$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If Minus	BMI	28	4	2						$N = 1$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If Not Equal Zero	BNE	26	4	2						$Z = 0$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If Overflow Clear	BVC	28	4	2						$V = 0$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If Overflow Set	BVS	29	4	2						$V = 1$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch If Plus	BPL	2A	4	2						$N = 0$	•	•	•	•	•	•	•	•	•
Branch To Subroutine	BSR	8D	8	2							•	•	•	•	•	•	•	•	•
Jump	JMP				0E	4	2	7E	3	3									
Jump To Subroutine	JSR				AD	6	2	BD	8	3									
No Operation	NOP										01	2	1	Ad Prog Cntr. Only	•	•	•	•	•
Return From Interrupt	RTI										38	10	1		•	•	•	•	•
Return From Subroutine	RTS										38	5	1		•	•	•	•	•
Software Interrupt	SWI										3F	12	1	See special Operation	•	•	•	•	•
Wait for Interrupt	WAI										3E	8	1		•	•	•	•	•

CONDITIONS CODE REGISTER		OPERATIONS								CONDITION CODE REGISTER NOTES						
OPERATIONS	MNEMONIC	INNER		BOOLEAN		5		4		2		1		0		
		OP	~	OPERATION	H	I	N	Z	V	C						
Clear Carry	CLC	0C	2	1	0 → C	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	① (Bit V) Test Result = 10000000 ?
Clear Interrupt Mask	CLI	0E	2	1	0 → I	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	② (Bit C) Test Result = 00000000 ?
Clear Overflow	CLV	0A	2	1	0 → V	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	③ (Bit C) Test Decimal value of most significant BCD Character greater than nine ? (Not cleared if previously set)
Set Carry	SEC	DD	2	1	1 → C	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	④ (Bit V) Test Operand = 10000000 prior to execution ?
Set Interrupt Mask	SEI	0F	2	1	1 → I	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	⑤ (Bit V) Test Operand = 01111111 prior to execution ?
Set Overflow	SEV	08	2	1	1 → V	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	⑥ (Bit V) Test Set equal to result of N ⊕ C after shift has occurred
Accum A → CCR	TAP	06	2	1	A → CCR	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	⑦ (Bit N) Test Sign bit of most significant (MS) byte of result = 1 ?
CCR → Accum A	TFA	D7	2	1	CCR → A	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	⑧ (Bit V) Test Z's complement overflow from subtraction of LS bytes ?

LEGEND

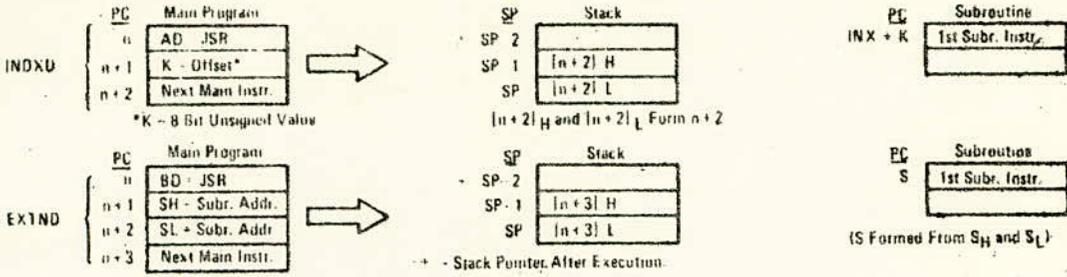
- OP Operation Code (Hexadecimal)
- ~ Number of MPU Cycles
- Number of Program Bytes
- + Arithmetic Plus
- Arithmetic Minus
- Boolean AND
- M_{pp} Contents of memory location pointed to be Stack Pointer
- ⊕ Boolean Inclusive OR
- ⊖ Boolean Exclusive OR
- M Complement of M
- Transfer Into
- 0 Bit = Zero

- 00 Byte = Zero
- H Half carry from bit 3
- I Interrupt mask
- N Negative (sign bit)
- Z Zero (byte)
- V Overflow, Z's complement
- C Carry from bit 7
- R Reset Always
- S Set Always
- † Test and set if true cleared otherwise
- Not Affected
- CCR Condition Code Register
- LS Least Significant
- MS Most Significant

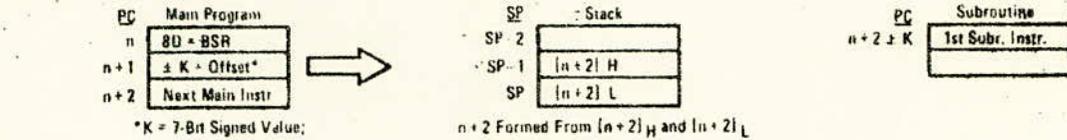
- ① (Bit V) Test Result = 10000000 ?
- ② (Bit C) Test Result = 00000000 ?
- ③ (Bit C) Test Decimal value of most significant BCD Character greater than nine ? (Not cleared if previously set)
- ④ (Bit V) Test Operand = 10000000 prior to execution ?
- ⑤ (Bit V) Test Operand = 01111111 prior to execution ?
- ⑥ (Bit V) Test Set equal to result of N ⊕ C after shift has occurred
- ⑦ (Bit N) Test Sign bit of most significant (MS) byte of result = 1 ?
- ⑧ (Bit V) Test Z's complement overflow from subtraction of LS bytes ?
- ⑨ (Bit N) Test Result less than zero ? (Bit 7 = 1)
- ⑩ (ALL) Load Condition Code Register from Stack (See Special Operations)
- ⑪ (Bit I) Set when interrupt occurs. If previously set, a Non Maskable interrupt is required to exit the wait state.
- ⑫ (ALL) Set according to the contents of Accumulator ?

SPECIAL OPERATIONS

JSR, JUMP TO SUBROUTINE:



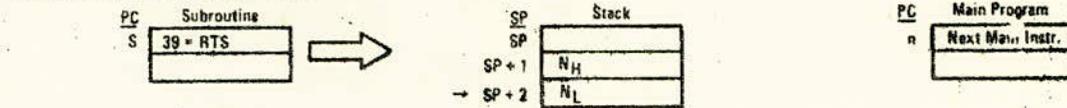
BSR, BRANCH TO SUBROUTINE:



JMP, JUMP:



RTS, RETURN FROM SUBROUTINE:



RTI, RETURN FROM INTERRUPT:

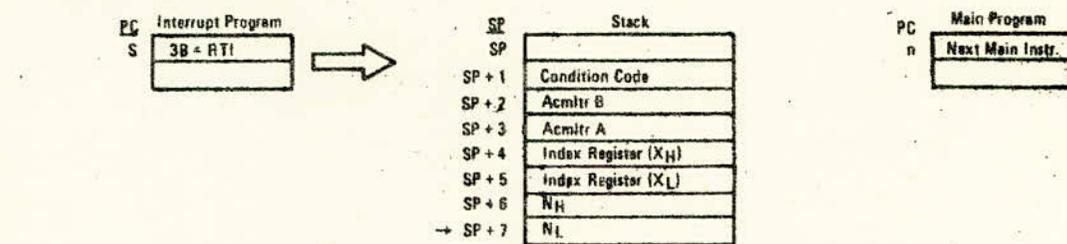


TABLE 6 - CONDITION CODE REGISTER MANIPULATION INSTRUCTIONS

OPERATIONS	MNEMONIC	OP	IMPLIED		BOOLEAN OPERATION	COND. CODE REG.						
			OP	≠		5	4	3	2	1	0	
			H	I		N	Z	V	C			
Clear Carry	CLC	0C	2	1	0 → C	•	•	•	•	•	•	R
Clear Interrupt Mask	CLI	0E	2	1	0 → I	•	R	•	•	•	•	•
Clear Overflow	CLV	0A	2	1	0 → V	•	•	•	•	•	R	•
Set Carry	SEC	0D	2	1	1 → C	•	•	•	•	•	•	S
Set Interrupt Mask	SEI	BF	2	1	1 → I	•	S	•	•	•	•	•
Set Overflow	SEV	0B	2	1	1 → V	•	•	•	•	•	•	S
Acmtr A → CCR	TAP	06	2	1	A → CCR	⑫						
CCR → Acmtr A	TPA	07	2	1	CCR → A	•	•	•	•	•	•	•

CONDITION CODE REGISTER NOTES: (Bit set if test is true and cleared otherwise)

- | | |
|---|---|
| 1 (Bit V) Test: Result = 10000000? | 7 (Bit N) Test: Sign bit of most significant (MS) byte = 1? |
| 2 (Bit C) Test: Result = 00000000? | 8 (Bit V) Test: 2's complement overflow from subtraction of MS bytes? |
| 3 (Bit C) Test: Decimal value of most significant BCD Character greater than nine? (Not cleared if previously set.) | 9 (Bit N) Test: Result less than zero? (Bit 15 = 1) |
| 4 (Bit V) Test: Operand = 10000000 prior to execution? | 10 (All) Load Condition Code Register from Stack. (See Special Operations) |
| 5 (Bit V) Test: Operand = 01111111 prior to execution? | 11 (Bit I) Set when interrupt occurs. If previously set, a Non-Maskable Interrupt is required to exit the wait state. |
| 6 (Bit V) Test: Set equal to result of N@C after shift has occurred. | 12 (All) Set according to the contents of Accumulator A. |



- Arithmétiques (binaires et décimales)
- Logiques (ET, OU, ...)
- Décalages
- Chargement
- Stockage
- Branchements conditionnels et inconditionnels (Boucle, saut...)
- Instructions relatives aux interruptions (SWI, RII...)
- Manipulation dans la pile.

Ces instructions sont classées en quatre catégories suivant qu'elles agissent sur :

- 1°) Les accumulateurs et les mémoires
- 2°) Les registres RI (Instructions) ou SP (pointeur de pile)
- 3°) Le registre d'état C.C.R.(code condition register)
- 4°) Les instructions de branchement et de saut.

L'exécution d'une instruction se réalise en deux temps successifs :

- Recherche de l'instruction qui consiste à lire en mémoire l'instruction à exécuter.
- L'exécution de cette instruction.

Le temps d'exécution d'une instruction est plus ou moins long suivant la complexité de celle-ci. Le minimum de cycles mémoires pour réaliser une instruction est de 2 microsecondes (μs) pour par exemple charger l'accumulateur A (LOAD : LDAA); alors que le maximum est de 12 microsecondes (μs) pour par exemple une interruption (software interrupt : SWI).

I. B : LE LOGICIEL

I - PROGRAMMATION

L'évolution du logiciel est étroitement liée aux travaux des mathématiciens tels que Church et Turing, cela dit, il est indiscutable que la paternité du logiciel revient à des gens qui étaient aussi bien des théoriciens que des praticiens; Par exemple on cite Van Neumann.

Un des problèmes soulevé par les premiers calculateurs électronique: s'est naturellement posé en terme de relations homme-machine. Dès 1947 malgré le matériel disponible qui permettait déjà d'effectuer des multiplications de 2 nombres de 16 bits en 16 μ s, on avait pas encore trouvé de méthode bien commode pour communiquer à la machine les informations dont-elle avait besoin; cette situation mettait en évidence le fossé qui séparait les compétences du technicien et les capacités de la machine. Ce problème de communication réduisait dans de larges proportions les avantages du calcul électronique.

Les idées de Von Neumann et autres s'imposèrent. Elles se reposaient sur la constatation simple qu'un programme pouvait être considéré comme une collection de données qu'on pouvait charger en mémoire et traiter.

Cette notion de programme enregistré permit d'accroître substantiellement le caractère automatique du calculateur.

1°) L'organigramme.

L'étape de la rédaction d'un programme est précédée par une analyse du problème à traiter, ce qui se traduit par un organigramme qui représente les étapes logiques conduisant à la solution du problème.

Le programmeur va décomposer cette opération en une série de petites instructions successives par lesquelles la machine électronique devra passer, c'est là que demeure la difficulté majeure.

Chacune de ces instructions est composée de 3 parties :

- Code opération : qui représente l'opération de base que peut exécuter le microprocesseur; par exemple LDA A (charger l'accumulateur A \equiv Load A accumulator). STA A (ranger le contenu de l'accumulateur A \equiv stock Accumulateur A).

- Adresse de l'opérande, qui désigne l'adresse de la mémoire de l'opérande ou bien la valeur de l'opérande.

- Champ de commentaire à vocation purement informative, le programmeur expliquera dans cette dernière colonne, ce qu'il a voulu faire, non seulement afin que son programme puisse être lu et compris par une troisième personne mais encore afin que lui même se retrouve dans difficulté.

2°) Traduction du programme :

Malheureusement, le microprocesseur ne comprend pas le langage mnémotique, par conséquent, il va falloir lui traduire tout cela en binaire qui est son propre langage. Chaque instruction de deux ou trois octets sera représentée par une série de zéro et de uns ; dans le cas où le programme est constitué d'une centaine d'instructions ou plus, on comprendra facilement que l'opération est peu agréable car l'erreur est inévitable. C'est pour cette raison que le programmeur préfère coder son programme mnémotique par l'hexadécimal (4 bits correspondent à un digit hexadécimal :

(0;1;2;3;4;5;6;7;8;9;A;B;C;D;E;F)

Exemple $(1001\ 1110)_2 = (9E)_{16}$

Les instructions en hexadécimal sont plus faciles à utiliser par le programmeur.

L'exécution de la conversion mnémotique à hexadécimal se fait déjà au niveau du microprocesseur en utilisant un code enregistré fourni par le constructeur c'est un genre de dictionnaire mnémotique ---) numérique relatif au 72 instructions du MC 6800. Ce dictionnaire appelé Assembleur, l'opération s'appelle Assembler le programme dont en parlera plus loin.

3^a Introduction du programme en mémoire

Le programme a été rédigé en mnémonique puis traduit en numérique va maintenant être logé dans les mémoires internes RAM ou ROM du microprocesseur; pour cela, il convient d'affecter une adresse mémoire à chaque instruction. Chaque cellule mémoire est capable de stocker un octet; c'est à dire deux digits hexadécimal.

Une séquence d'un programme est contrôlée par le contenu du compteur de programme P.C. (programme counter). Sous l'exécution normale du programme, le PC relie la prochaine adresse de l'instruction suivante l'on doit aller chercher dans la mémoire centrale contenant le programme à exécuter et il est incrémenté automatiquement par le contrôle interne du MPU chaque fois que chaque octet d'une instruction a été pris en compte.

A chaque fois que le contenu d'une adresse mémoire est lu, il sera transféré dans le registre d'instruction, puis décodé. On constate que chaque instruction déclenche, pour son exécution une série micro opérations qui ne dépendent plus du programmeur. On remarquera que le programmeur peut d'une manière ou d'une autre améliorer son programme en utilisant les avantages particuliers qu'offrent les registres complémentaires tels que :

- 2 Accumulateurs de 8 bits chacun.
- Un registre d'index permettant une méthode d'adressage mémoire supplémentaire par le calcul de l'adresse (méthode très utilisée).
- Une pile de stockage en mémoire. Il s'agit d'une position de mémoire adressée au moyen d'un registre du pointeur de pile (stock pointer) qui est utilisé pour stocker temporairement le contenu des registres lorsqu'une interruption (Branchement, saut à une sous-routine) est demandée. Ceci sera décrit plus loin d'une manière plus détaillée.

II - ASSEMBLEUR ET ASSEMBLAGE

Le programme est rédigé de façon la plus courante en utilisant un langage ignoré par le microprocesseur qui est le langage mnémotechnique. Comme la machine électronique ne comprend que le numérique il faudrait obligatoirement passer par l'étape de traduction.

1°) L'assembleur.

C'est un dictionnaire utilisé pour traduire le code mnémotechnique en code machine (numérique). Un tel dictionnaire est un programme qui provient du créateur du langage. Ce programme est enregistré sur un support approprié (Bande perforée ou magnétique ou disque souple et rigide) en langage machine.

Ainsi, la traduction du programme mnémotechnique peut être assurée par l'ordinateur lui-même, cette opération est plus efficace car :

1°) Elle permet aussi de confier au programme de traduction le soin de dépister les erreurs de syntaxe ou du codage.

2°) Elle permet l'exclusion du risque d'introduction d'erreurs manuelles.

3°) Cet avantage est capital, elle permet de représenter les adresses sous forme symbolique appelées étiquettes. Le programmeur n'a pas à se soucier de l'adresse réelle des instructions, au moment où il écrit un programme.

On définit donc :

- Le programme source qui est le programme rédigé par le programmeur.

- Le programme objet est ce même programme mais traduit en langage machine (numérique). Il est translatable car ces adresses

.../...

d'implantation en mémoire ne sont pas définitives et le programme est ensuite repris par un chargeur éditeur de lien. L'éditeur de liens relie entre eux les différents modules objets et donne naissance à un seul module qui sera rangé par le chargeur à son emplacement définitif avant exécution.

2°) Langage d'assemblage.

C'est un langage symbolique, c'est à dire constitué d'un texte en mnémonique qui diffère d'un fabricant à un autre.

Un programme écrit en langage d'assemblage est une suite de lignes sources. Des commentaires peuvent être ajoutés pour faciliter la relecture. Ils ne seront pas pris en considération dans l'exécution du programme résultant. L'ensemble constitue un programme symbolique. Afin que l'assembleur puisse effectuer correctement la traduction, certaines conventions sont à respecter au moment de l'écriture en ce qui concerne l'orthographe et la syntaxe. Après un numéro de ligne on laisse un blanc pour l'étiquette avant d'écrire le mnémonique et un autre blanc sera laissé après ce dernier.

Une ligne source (soit une instruction) se compose de 5 Zones :

N ° ligne	Etiquette	Mnémonique	Opérande	Commentaire
-----------	-----------	------------	----------	-------------

a) Zone étiquette

C'est un ensemble de un à six caractères alphanumériques, le 1er étant alphabétique. Une étiquette doit être unique, elle repère une destination de branchement.

b) Zone mnémonique.

Elle contient la représentation des codes opérations grâce à des codes (mnémonique). On y trouve les mnémoniques des opérations à exécuter. Certaines de ces directives seront traduites, d'autres seront de simples renseignements (nom, origine et fin NAM, ORG et END).

La liste des 72 jeux d'instructions en mnémonique dont dispose le MC 6800 (Tableau 1)?

c) La zone opérande.

Le champ opérande est réservé à la partie variable de l'instruction. On y trouve le mode d'adressage, une adresse, une valeur numérique, un symbole ou une expression (sous - routine).

d) La zone commentaire.

Celle-ci est facultative et non traduite, son rôle est de faciliter la lecture des programmes sur listing.

3°) Assemblage.

1°) Format d'assemblage.

Une fois écrit un programme source, il faut l'introduire dans le micro-ordinateur pour le traduire. Quelque soit le périphérique employé à cet usage (teletype, lecteur de ruban, ou imprimante ...) il faut dans tous les cas respecter les conventions de formats, fixées par le constructeur qui permettront à l'assembleur d'identifier la nature des informations. Les principales conventions en usage pour l'écriture d'un programme source sur une teletype sont les suivantes :

- On sépare une zone de la suivante en frappant un "blanc"
- Instruction sans étiquette, le 1er caractère frappé est un "blanc" après le numéro de la ligne.
- Instruction avec étiquette est écrite directement après le numéro de la ligne.
- Séparation des instructions, chaque fois qu'une instruction est complète on frappe le caractère " retour chariot" et un numéro de ligne apparaît.

2°) Principe de l'Assemblage.

Le rôle essentiel de l'assemblage va être double :

a) Traduction des mnémoniques (LDAA, MUL, ...)

dans le code binaire du microprocesseur à l'aide de l'assembleur. Toutes les instructions seront traduites en binaire dans le code machine LDAA soit 0101; ADD soit 0110. Pour cela l'assembleur dispose d'une table d'équivalence suivante :

Code source (Chaine de caractères ASCII)	Code Objet (Code machine)	
Code ASCII de LDA A	0101	} Zone de définition des mnémoniques (ZONE FIXE)
Code ASCII de ADD A	0110	
Code ASCII de NEWLIN	Valeur correspon- dante du compteur adresse.	} Zone de définition des étiquettes (ZONE VARIABLE)

Table de symboles et Etiquettes.

b) Affectation des valeurs numériques aux étiquettes et aux opérandes symboliques. C'est au moment de l'assemblage que sont déterminées les adresses réelles des instructions. Pour cela, l'un des registres du microprocesseur est utilisé comme compteur, ce dernier est initialisé au début de l'assemblage, puis s'incrémente à chaque nouvelle instruction. Pour chaque instruction, l'assembleur range le code machine à l'adresse indiqué par le compteur d'adresses.

Lorsqu'une instruction comporte une étiquette : soit par exemple

```
NEWLIN      LDA A      # $ 13
```

.../...

et puis une autre instruction qui fait appel.

JMP NEWLIN

Au moment de l'assemblage, la valeur de l'adresse réelle correspondante à l'étiquette NEWLIN est établie. Pour cela l'assembleur dispose dans la table des étiquettes et symboles d'une zone libre permettant la définition des étiquettes.

Lorsque l'assembleur traduit l'instruction LDA A, il détecte la présence de l'étiquette, il range alors dans la table le code ASCII de l'étiquette NEWLIN aussi que la valeur d'adresse à cet instant, grâce à cette mémorisation, il saura en arrivant à l'instruction JMP NEWLIN, retrouver dans la table la valeur réelle à affecter à l'opérande NEWLIN.

En résumé, comme l'assembleur ne peut pas généralement traiter simultanément les étiquettes les mnémoniques et les opérandes; l'assemblage se fera en plusieurs phases ou (passes) c'est à dire que le programme source est exploré plusieurs fois. A chaque fois un traitement différent est effectué. Généralement, il y a 3 phases.

1er) Phase (passe) L'assembleur traduit les mnémoniques en code machine et range les étiquettes dans la table des étiquettes. L'assemblage détecte ainsi l'absence d'étiquettes si elle est nécessaire, sa présence si elle est interdite, un code opération erroné, qui suit illustre cette première phase.

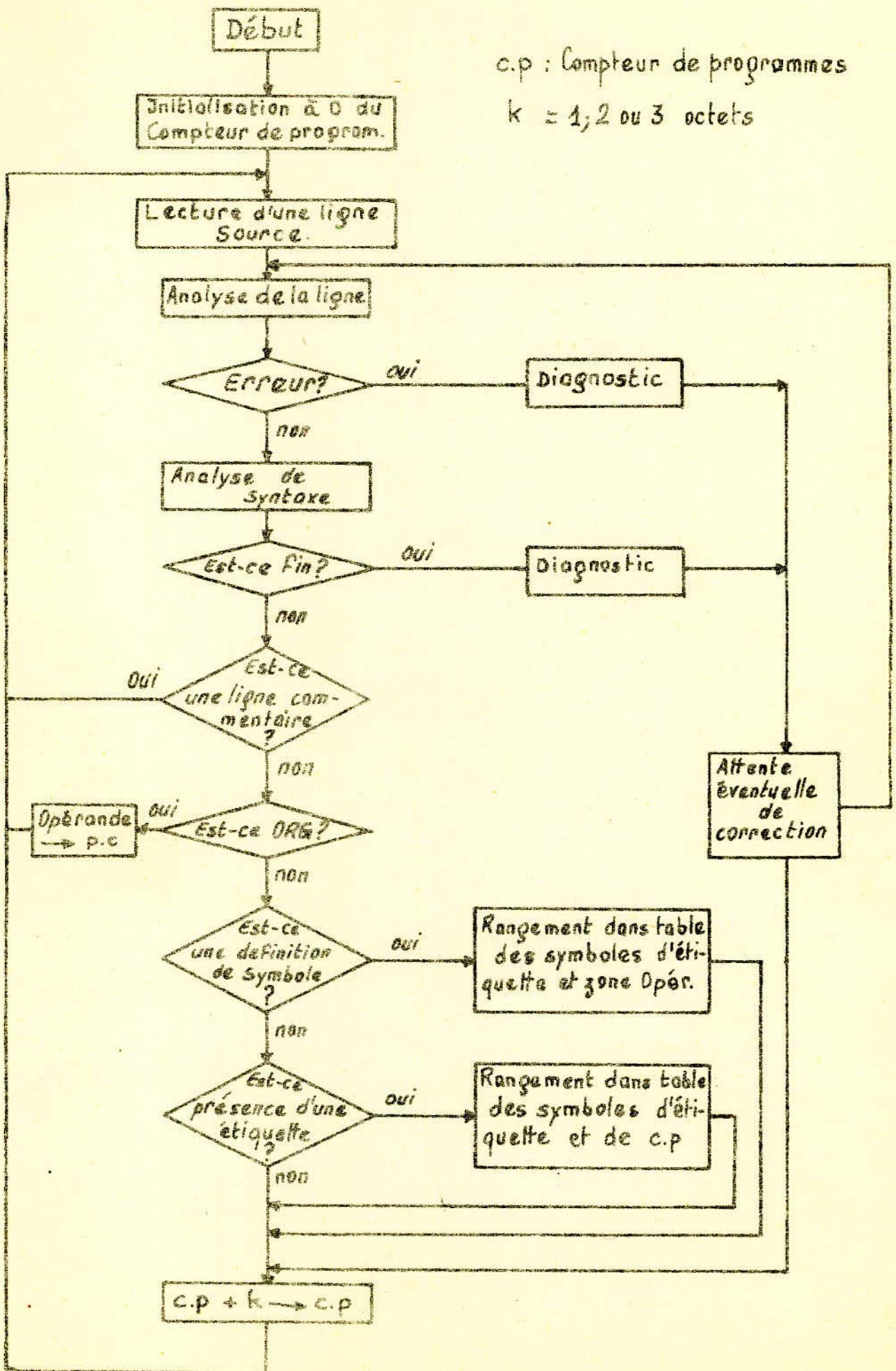
↓
l'organigramme

2°) Phase (passe) L'assembleur affecte aux opérandes symboliques leurs valeurs réelles. Ceci n'est possible qu'à une 2ème passe, car il faut que les étiquettes correspondantes aient été préalablement définie à la 1ere passe.

3ème phase (passe). Elle commande la frappe d'un listage du programme objet accompagné du programme source et des commentaires. C'est le télé-imprimeur qui servira à cet effet.

Assemblage d'un programme se fait en 3 phases
 cet organigramme est celui de la 1^{ère} phase.

c.p : Compteur de programmes
 $k = 1, 2$ ou 3 octets



Exemple d'assemblage d'un programme
(Addition de 2 nombres)

Programme Source à Assembler

PSEUDO- INSTRUCTION	}	ORG	10
		A1 EQU	20
		A2 EQU	30
		A3 RST	40
INSTRUCTION EXECUTABLE	}	LDA A	A1
		ADD A	A2
		STA A	A3
PSEUDO- INSTRUCTION		END	

Table des Symboles et Etiquettes

[LDA A] en ASCII	0101	zone Symboles
[ADD A] en ASCII	0110	
[STA A] en ASCII	1011	
[A1] en ASCII	100	zone étiquettes
[A2] en ASCII	101	
[A3] en ASCII	102	

1^{ère} Passe d'assemblage

- traduction des mnémoniques
- définition des étiquettes

Compteur Adresse Mémoires de Programme

10	20	1 ^{ère} Opérande
11	30	2 ^{ème} Opérande
12	40	Resultat
13	0101	[A1] ASCII
14	0110	[A2] ASCII
15	1011	[A3] ASCII

2^{ème} Passe d'assemblage

- identification des opérandes symboliques
- on obtient le programme objet

10	20
11	30
12	40
13	0101 10
14	0110 11
15	1011 12

3^{ème} Passe d'assemblage

0010	0010	ORG	\$ 10
0020	0010	A1 EQU	20
0030	0011	A2 EQU	30
0040	0012	A3 RST	40
0050	0013	LDA A	A1
0060	0014	ADD A	A2
0070	0015	STA A	A3
0080	0016	END	

III - MODES D'ADRESSAGE

Lorsqu'une instruction fait référence à un opérande, elle peut repérer celui-ci en mémoire de différentes façons appelées : modes d'adressage.

Les informations (instructions et données) sont stockées dans des cellules des mémoires RAM ou ROM. Chaque cellule est caractérisée par son adresse. Pour atteindre une cellule précise, on dispose de plusieurs manières " modes d'adressage " que l'on examinera un à un.

Ainsi par un choix judicieux, il est possible d'améliorer le programme en réduisant :

- la longueur du programme
- la capacité d'exécution
- le temps d'exécution.

Ces qualités recherchées en micro - informatique confèrent une très grande souplesse à la programmation.

Dans ce chapitre, on expose les différents^e caractéristiques et le fonctionnement de ces modes d'adressages on trouve :

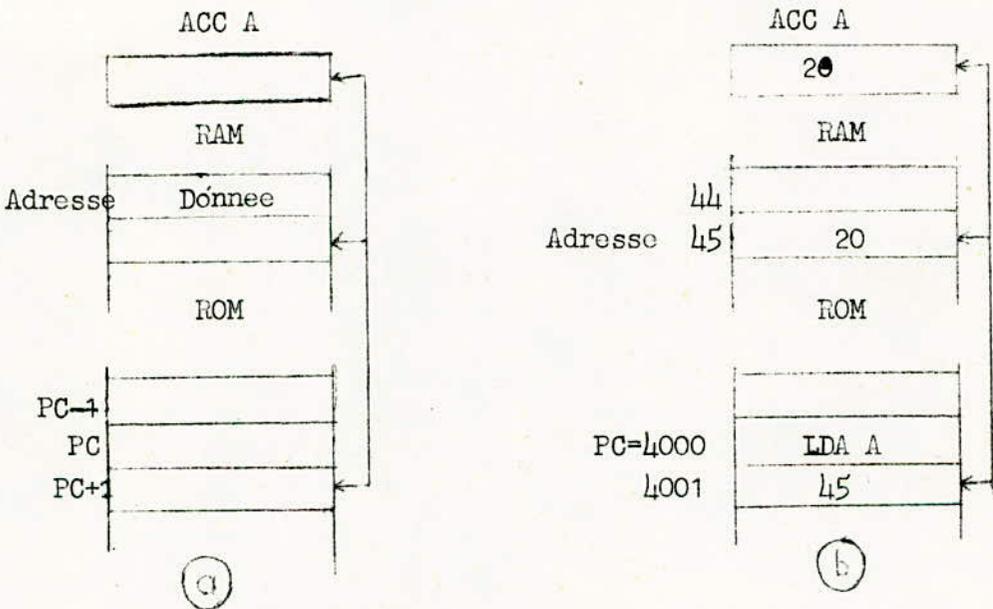
- 1°) Adressage direct
- 2°) " étendu
- 3°) " indirect
- 4°) " immédiat
- 5°) " indexé
- 6°) " implicite
- 7°) " inhérent.

Par définition on appellera adresse effective, l'adresse réelle finale de la cellule mémoire dans laquelle se trouve la donnée recherchée.

1) Adressage direct

L'instruction contient au moins 2 Octets; l'adresse de l'opérande est contenue dans le 2^{ème} Octet de l'instruction; le 1^{er} Octet est réservé à l'opération. C'est le mode d'adressage le plus utilisé et le plus simple; il consiste à utiliser les adresses fournies sur le bus adresse pour accéder directement à des données contenues dans les positions correspondantes de la mémoire.

Exemple : LDA A \$ 45 charger le contenu de l'adresse 45 (en hexadécimal) dans l'accumulateur A. Dans l'adresse 45 de la RAM on a l'opérande (20)₁₀. Le compteur ordinal (P.C) nous fournit l'adresse de l'instruction, codée par exemple sur 2 cellules mémoires (2 octets). On lira donc les cellules représenté par (PC) puis (PC+1). Ce mot d'instruction de 16 bits passera dans le registre d'instruction, il sera décodé, sa partie adresse contient l'adresse effective de la donnée; celle-ci est alors lue directement dans la cellule mémoire indiquée et le mot (20)₁₀ sera logé dans l'accumulateur A.

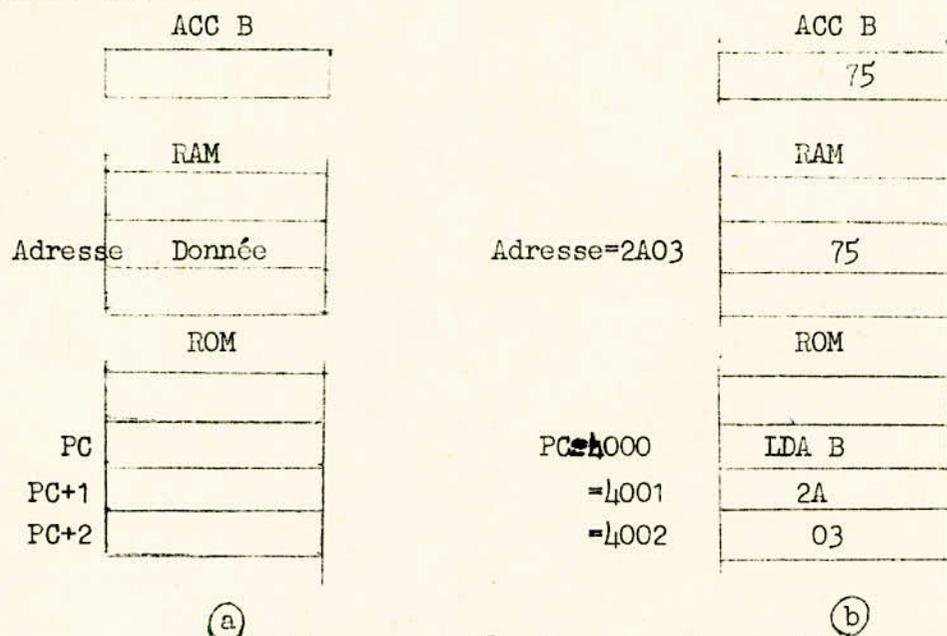


Dans le schéma (a) on a le principe
 Dans le schéma (b) on a l'application de l'adressage direct.
 L'ordre LDA A (charger l'accumulateur A) est lu à la cellule d'adresse 4000 pointé par le (P.C) puis incrémenté de 1 à la cellule 4001 où se trouve l'adresse effective de la donnée (20)₁₀ est lu aussi. Le décodage renvoie à la cellule 45 de la RAM où se trouve (20)₁₀ qui chargera l'ACCA.

2*) Adressage en étendu.

L'instruction contient 3 octets; l'adresse de l'opérande est contenue dans les 2^{ème} (poids fort) et 3^{ème} (poids faible) octet de l'instruction. Ce mode d'adressage permet le balayage de toutes les mémoires de 0000 à FFFF. Pour lire une adresse sur 16 bits on passera 2 touts de lecture en mémoire, c'est évidemment plus long que le .../...

mode d'adressage direct. On appellera donc le mode d'adressage étendu, un adressage direct mais où le mot adressage est codé sur une longueur double, soit 2 Octets.



- (a) Principe (b) l'application de l'adressage en étendu
- Le compteur ordinal adresse une instruction sur 3 Octets
- Un octet : champ opération
 - 2 octets : champ adresse

Cette instruction sera décodée puis exécutée.

Soit à charger l'acc B avec la valeur effective 75 (HEX.) contenue dans la cellule mémoire d'adresse 2A03 (HEX.).

LDA B \$ 2A03

Le compteur ordinal pointe PC = 4000 où l'on lit (LDA B), puis (PC + 1) = 4001 où l'on lit 2A et enfin (PC + 2) où l'on lit 03,

A cette adresse 2A03 on lit dans la RAM 75 qui sera logée dans l'accumulateur B.

3^e) Adressage Indirect.

L'instruction se présente au moins sur 2 champs : le code opération et le champ adresse qui est logé dans l'opérande. La cellule désignée par le mot d'instruction ne contient pas la donnée utile, mais simplement une autre adresse qui sera l'adresse effective qui contient la donnée. Grâce à l'adressage indirect, il est facile de stocker un programme complet dans une mémoire morte ROM. Les adresses utiles de sous-routines qui composent ce programme seront logées dans une RAM. Ainsi à partir de mêmes instructions de programme on pourra traiter des données implantées dans toute la mémoire. Cet adressage indirect présente un inconvénient qui est celui du temps de recherche de l'information.

.../...

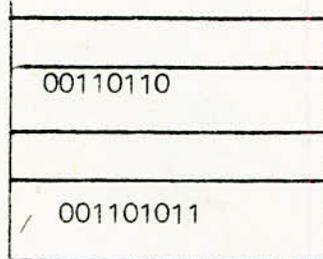
Pour obtenir l'adresse effective de l'opérande, il faut deux cycles de lecture de la mémoire; le temps de traitement est ainsi augmenté d'une durée de cycle; nommée phase d'indirection.

Exemple STA A 80₁₀ soit 0101 0000(Binaire)--> 50(HEX.)

OPERATION ADRESSE

STAA	0101	0000
------	------	------

Adresse 0101 0000



mot adresse

Adresse 00110110

Opérande

La 1ère adresse lue est (80)₁₀ soit 01010000 en binaire. Elle renvoie à la cellule (0 0110110)₂ soit (54)₁₀. Dans cette dernière cellule mémoire, on lit enfin l'opérande = 01101011 soit (107)₁₀.

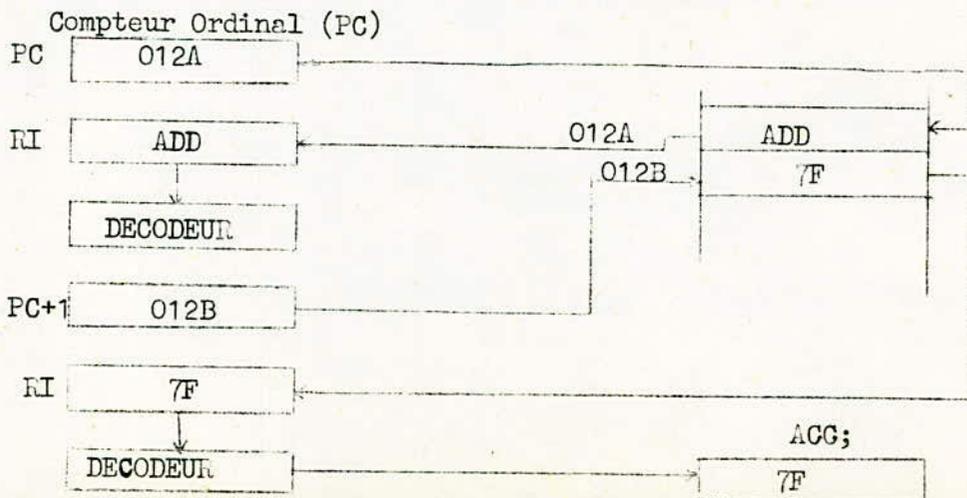
4^e) Adressage immédiat.

L'opérande est contenu dans le 2ème ou 3ème et 3ème octet de l'instruction, selon que l'on s'adresse aux accumulateurs ou au registre. Le champ adresse de l'opérande contient la valeur de l'opérande il est appelé opérande immédiat; donc ce mode d'adressage ne permet de traiter que les opérands dont les valeurs sont des constantes dans le programme.

Exemple : ADD # \$ 7F cette valeur est additionnée à Accumulateur.

Le compteur de programme reçoit l'adresse 012A, il vise la 1ère partie de l'instruction puis la 2ème partie en 012B.

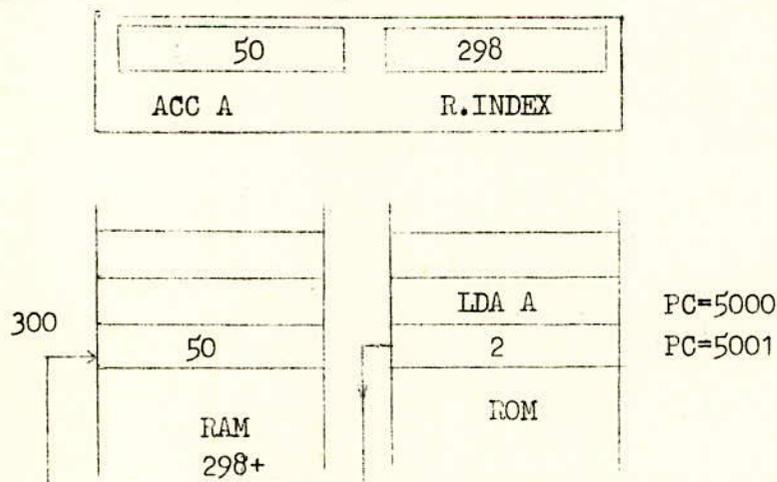
L'ordre à exécuter est donné. ADD est transféré dans le registre d'instruction puis décodé. Entre temps le compteur de programme est décréémenté et le transfert de la 2ème partie de l'instruction s'effectue, passe par le décodeur puis transmet à l'accumulateur qui est censé contenir 00 :



5^a) Adressage Indexé.

L'instruction est composée de l'opération sur le 1^{er} Octet et de l'adresse sur le 2^{ème} Octet. On fait intervenir le registre d'index de 16 bits; l'adresse effective de l'instruction est obtenue en ajoutant le contenu du registre d'index à la valeur du 2^{ème} Octet de l'instruction. Ce mode d'adressage est particulièrement adapté au traitement de tableau de données par incrémentation ou décrémentation des instructions particulières.

Exemple : LDA A 2,X charger l'Acc. A du contenu de l'adresse mémoire 2 plus le contenu du registre d'index.



L'instruction indexé de l'exemple suivant consiste à charger l'acc.A avec le contenu de la mémoire dont l'adresse est 300 qui est obtenu en faisant la somme du contenu du registre d'index (298) et le contenu de la position mémoire 5001 qui est (2). Le contenu de cette mémoire ainsi formé est (50) qui chargera l'accumulateur A.

6^a) Adressage en Implicite.

L'instruction est composée ainsi de 2 ou 3 octets; l'opérande est indiqué par le code opération de l'instruction. Dans l'adressage implicite, on s'adresse implicitement à un registre donné.

Exemple PSH A

Sauvegarder le contenu de l'acc.A implicitement dans la pile.

SUB \$ C4

Ordonne de soustraire implicitement \$ C4 du contenu de l'ACC.B.

7^a) Adressage Inhérent.

C'est parfois l'instruction elle-même plus exactement son code opération, qui contient l'adresse où se trouve la donnée sur laquelle va porter l'opération.

Ex. ADD A \$ 3C2F

Additionner au contenu de l'ACC. ACCA la valeur 3C2F (HEX.)

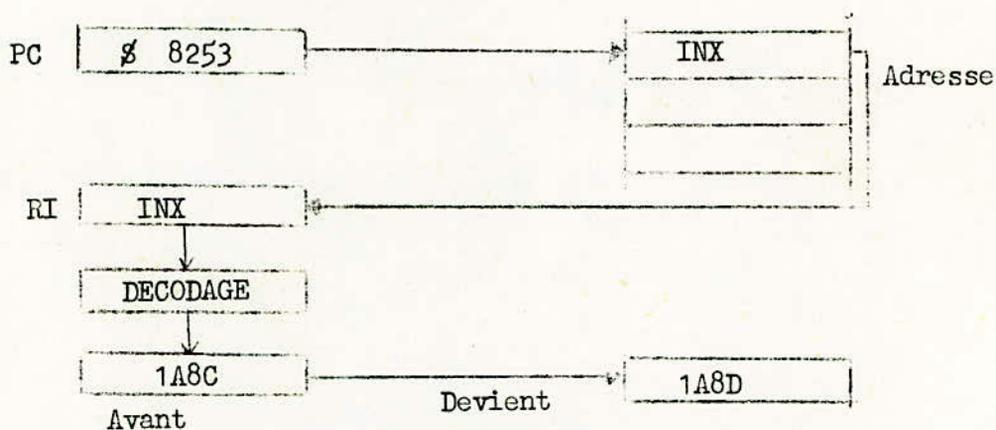
Comme on vient de le voir, cet adressage inhérent n'exclut pas la présence d'un champ opérande, qui contient le second opérande s'il y a lieu (ou son adresse). Ainsi, on trouve deux types de formats de mots d'instruction.

Code opération avec adresse inhérente.

Code opération avec adresse inhérente.	Code Opération
--	-------------------

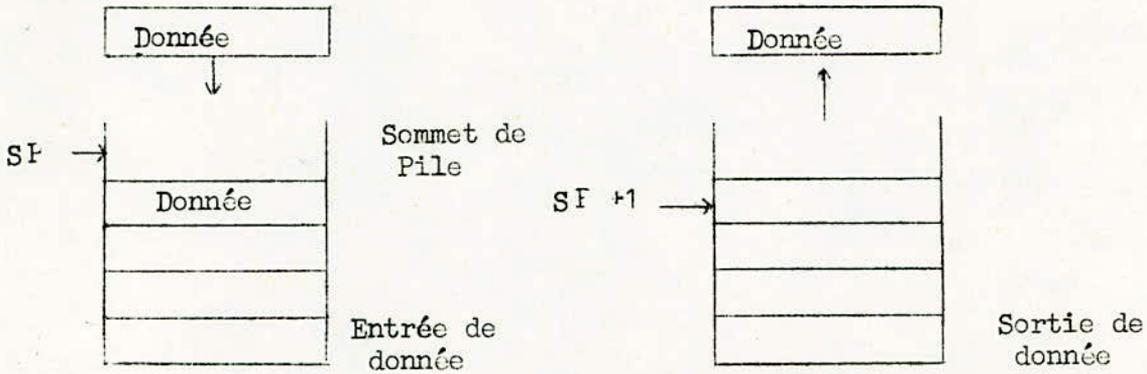
Exemple INX incrémenter le registre d'index

Le compteur ordinal contient l'adresse \$ 8253 et pointe à celle-ci.



IV - STRUCTURE DE PILE

Une pile est un mécanisme ~~vablé~~ ou programmé, qui permet de mémoriser des informations et de les restituer selon le mode "dernier entré, premier sortie". Son organisation est schématisée par la figure suivante :

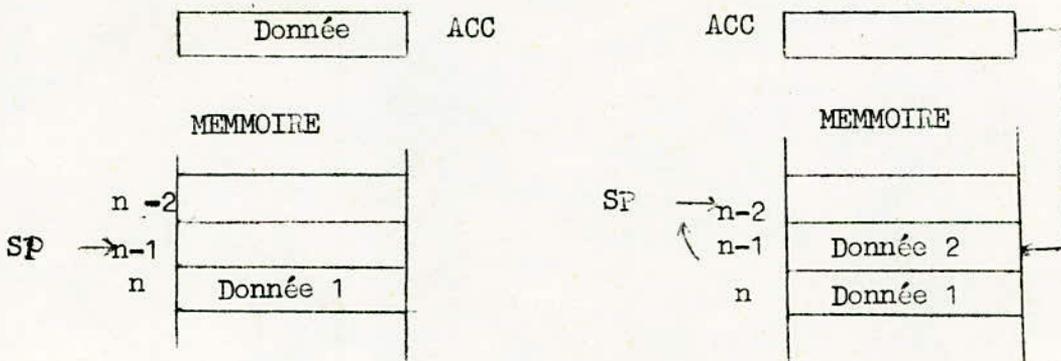


La pile peut être constituée par une mémoire spécialisée, rapide ou être incluse dans la mémoire centrale de la machine électronique; dans ce cas sa capacité n'est pratiquement pas limitée (sauf par la capacité de la mémoire centrale elle-même).

1°) Gestion de la pile.

Un registre, nommé ~~pointeur~~ de pile (stock pointer) SP contient l'adresse de la première position libre au sommet de la pile; il est modifié à chaque entrée ~~et~~ ou sortie d'information, de sorte qu'il désigne toujours ce sommet de pile.

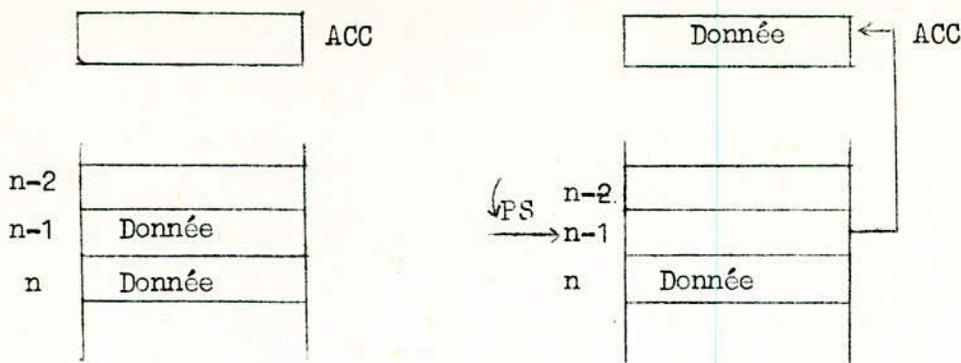
Si l'on considère une pile descendante en mémoire les adresses sont décroissantes vers le sommet de pile, le registre est donc décrémenté à chaque entrée d'information, et incrémenté à chaque sortie. La figure ci-dessous illustre le principe.



Entrée de donnée en provenance de l'Acc. Acc. -----) Pile

(PS = n - 1) -----) (PS = n - 2)

.../...



Sortie d'une donnée vers l'Acc. (PS = n-2) ----) (PS = n-1)
 (PS) ----) ACC.

Une pile consiste donc en une zone mémoire, essentiellement utilisée pour les stockages temporaires de données, et qui est gérée par un mécanisme d'adressage particulier utilisant un registre pointeur de pile. Des instructions de stockages **en pile** (PUSH) ou de sortie de pile (PULL) permettent son utilisation; mais cette structure est aussi utilisée pour les appels de retours de sous-programmes.

2°) Sous-programme.

Lors d'un appel de sous-programme, le problème essentiel résidé dans la mémorisation de l'adresse de retour. Il y a deux modes principaux de sauvegarde de cette adresse.

- Utilisation d'une position mémoire incluse dans le sous-programme.
- Utilisation d'une pile.

a) Utilisation d'une position mémoire de sauvegarde.

L'exécution de l'instruction d'appel provoque le transfert de l'adresse de retour dans la première position mémoire du sous-programme. Cette dernière est simplement le contenu du compteur du programme qui a été incrémenté enfin de décodage de l'instruction d'appel. Dans la seconde phase, a lieu le transfert de l'adresse de début de sous-programme + 1 dans le compteur de programme (P.S); en effet les instructions exécutables du sous-programme ne commencent qu'à sa deuxième position; La première étant la mémoire de sauvegarde.

Cette structure ne permet pas la réentrance direct des sous-programmes, tout nouvel appel détruisant le contenu précédent de la mémoire de sauvegarde. De plus, ce mode de sauvegarde est mal adapté aux systèmes à microprocesseur dont les programmes et sous programmes sont fréquemment figés en mémoire morte.

Le retour au sous-programme appelant s'effectue au moyen d'une rupture de séquence par adressage indirect de la mémoire de sauvegarde (EX. BRA : branchement au point de départ du programme).

b) Sauvegarde en pile

Une pile peut être utilisée pour sauvegarder l'adresse de retour d'un sous-programme. Lorsqu'un sous-programme est appelé, l'adresse de retour dans le programme appelant est stockée dans la pile, et restituée dans le compteur de programme à la fin du sous-programme.

La figure de la page suivante nous montre le principe. Notons que cette pile peut en outre stocker les contenus des registres utilisés dans le programme appelant, ils ne sont ainsi pas perturbés par l'appel du sous-programme et peuvent être utilisés sans restriction dans celui-ci.

Prog. Principal

1^{er} S/Programme

2^{eme} S/Programme

0100 1^{er} Instruct.

0101

0200 Appel au 1^{er} S/Prog. (10AB)

0201 Instruction suivante.

10AB 1^{er} Inst.

10AF Appel au 2^{em} S/Prog. (0800)

10B0 Instruction suivante

10B5 Retour au Programme Principal

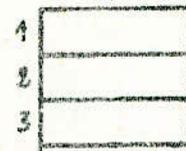
0800 1^{ere} Inst.

08AC Retour au 1^{er} S/Prog.

Compteur de Programme

10AB → 0201

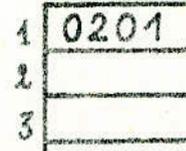
↓ PUSH



← Pile →

① Exécution de l'Appel

10AB



Appel du 1^{er} S/Programme.

Après exécution

0800 → 10AF

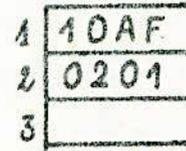
↓ PUSH



← Pile →

② Exécution d'appel

0800

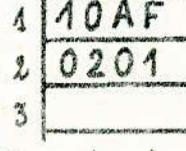


Appel du 2^{eme} S/Programme.

Après exécution

← 08AC

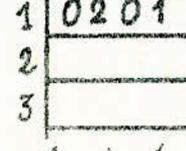
↑ PULL



← Pile →

③ Exécution du retour

10AF

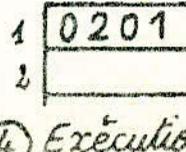


Retour dans 1^{er} S/Programme.

Après exécution

← 10B5

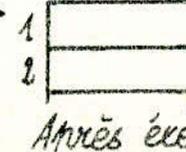
↑ PULL



← Pile →

④ Exécution du retour

0201



Retour dans Programme Principal.

Après exécution

EXEMPLE D'UTILISATION D'UNE PILE D'ADRESSE
DE SOUS-PROGRAMMES (3 programmes emboîlés)

II - A. PRESENTATION DE LA BIBLIOTHEQUE MATHÉMATIQUES.

I - I N T R O D U C T I O N

Ce programme de Motorola exécutable sur micro Ordinateur utilisant le microprocesseur MC 6800, est conçu de manière à exécuter les différentes opérations en virgule flottante. Un chiffre quelconque positif, négatif, décimal ou entier est écrit en virgule flottante de 24 bits, soit 16 bits pour la mantisse et 8 bits pour l'exposant. Le 15ème bit de la mantisse représente le bit de signe; la virgule décimale vient juste après ce bit de signe. Le 7ème bit de l'exposant représente le bit de signe ainsi l'exposant et la mantisse sont tous les deux signés.

Ce programme est un support nécessaire pour permettre le contrôle des différentes fonctions directement sur l'écran de visualisation ou sur une télécype.

II - LES DIFFÉRENTES FONCTIONS

1°) Fonctions d'entrées :

Elles permettent d'introduire en mémoire trois bytes, soit 6 caractères (y compris le signe moins et la virgule) et de les convertir en un chiffre de 24 bits en virgule flottante. Ces fonctions sont les suivantes:

- READ 3B : (lire 3 bytes)
- STFP : (String to floating point) conversion de la file de caractère en un chiffre en virgule flottante.

2°) Fonctions de sorties :

Celles-ci permettent la conversion d'un chiffre de 3 bytes écrit en virgule flottante en une file de caractères hexadécimaux (5 plus significatifs caractères) et les imprime sur l'écran de visualisation.

- FPSI : (Flotting Point To String) conversion d'un chiffre en virgule flottante en une file de caractères

- WRIT 3B : (Ecriture de 3 bytes)

3°) Opérations réentrantes :

Ces opérations peuvent être appelées à l'aide de programmes appelant ou de leur code opération :

<u>Code opération</u>	<u>Opération.</u>
1	FPPADD addition en virgule flottante
2	FPPSUB Soustraction en virgule flottante
3	FPP MUL Multiplication " "
4	FPPDIV Division " "
5	FPP FLT Conversion d'un entier positif(16 bits) en virgule flottante (24 bits)
6	Conversion d'un nombre positif en virgule flottante en un entier (16 bits) FPPFIX
7	FPP NEG Négation d'un nombre
8	FPPCLR Effacer 3 mémoires consécutives.

Ces fonctions seront détaillées plus loin, avec leurs algorithmes.

4°) Opérations auxiliaires.

Ces opérations ne sont pas réentrantes, elles participent au contrôle des autres opérations, mais ne sont pas visualisées sur l'écran.

FPP CMP Comparaison de 2 nombres en virgule flottante

FPP CPY Transfert d'un nombre en virgule flottante.

III - CARACTERISTIQUES DE LA BIBLIOTHEQUE MATHEMATIQUES

La virgule flottante présentée dans ce chapitre possède les caractéristiques suivantes :

.../...

- La mantisse est de 16 bits soit 4 caractères significatifs, et l'exposant est de 8 bits soit 2 caractères hexadécimaux.

- Le format est compatible avec l'architecture du MC 6800.

- Exécution rapide

- Les chiffres négatifs sont complémentés à 2 :

16 bits de la mantisse complément à 2.

8 bits de l'exposant complément à 2 .

- La virgule du chiffre binaire en flottant apparaît juste après le bit de signe c'est à dire le 15ème bit.

- Disposition du chiffre en mémoire.

0 ----) le plus significatif byte de la mantisse(MSbyte)

1 ----) le moins significatif byte de la mantisse(LS Byte)

2 ----) exposant.

- Les nombres normalisés ont les 2 premiers bits de la mantisse différents pour cela la mantisse est décalée soit à droite ou à gauche.

- Dans les chiffres normalisés, le plus significatif byte (MSB) de la mantisse détermine nécessairement si le nombre est positif, négatif ou nul.

- Si on additionne un à l'exposant, le nombre est multiplié par 2 et si on soustrait un à l'exposant, le nombre est divisé par 2 .

Exemple 1 : $1 = \frac{1}{2} \times 2^1$ ----) 40 00 01

$\frac{0.100}{4}$ $\frac{0\ 000}{0}$ $\frac{0\ 000}{0}$ $\frac{0\ 000}{0}$ $\frac{0\ 000}{0}$ $\frac{0\ 001}{1}$

Exemple 2 : $3 = (\frac{1}{2} + \frac{1}{4}) \times 2^2 = \frac{3}{4} \times 4 = 3$

$\frac{0.110}{6}$ $\frac{0\ 000}{0}$ $\frac{0\ 000}{0}$ $\frac{0\ 000}{0}$ $\frac{0\ 000}{0}$ $\frac{0\ 010}{2}$

Exemple 3 : 18 (dec) ----) 12(Hex) ce chiffre est directement écrit après le bit de signe.

$$\begin{array}{cccccc} \underbrace{0.100} & \underbrace{1\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 101} & 480\ 005 \\ 4 & 8 & 0 & 0 & 0 & 5 & \\ \hline = \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{16} \right) \times 2^5 = \frac{(8+1)}{16} \times 32 = 18 \text{ (dec)} \end{array}$$

Exemple 4 : FF (Hex) ----) 1 111 1 111 (Binaire)

$$\begin{array}{cccccc} \underbrace{0.111} & \underbrace{1\ 111} & \underbrace{1\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{1\ 000} & \overbrace{7F80\ 08}^{\text{Mant}} \overbrace{\quad\quad}^{\text{exp.}} \\ 7 & F & 8 & 0 & 0 & 8 & \end{array}$$

$$\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \frac{1}{32} + \frac{1}{64} + \frac{1}{128} \right) \times 2^8 = \frac{(64 + 32 + 16 + 8 + 4 + 2 + 1)}{128}$$

$$\frac{127 \times 256}{128} = 255 \text{ (dec)}$$

Exemple 5 : - 1 (dec) = -(1 Hex) s'écrit aussi FFFF

Signe débit

$$\begin{array}{cccccc} \underbrace{1.100} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 001} & C0\ 00\ 01 \\ C & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & \end{array}$$

ici le complément à 2 du chiffre formé reste le même

Exemple 6 : - 25 (dec) ----) -(19 Hex) ----) on écrit

19 en binaire 0 001 4 001

$$1.110\ 0\ 100\ 0\ 000\ 0\ 000\ 0\ 000\ 0\ 101$$

Pour lire il faut d'abord complémenter à 2 car c'est un nombre négatif.

$$\begin{array}{cccccc} \underbrace{1.001} & \underbrace{1\ 100} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 000} & \underbrace{0\ 101} & 9C\ 00\ 05 \\ 9 & C & 0 & 0 & 0 & 5 & \end{array}$$

$$- \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{32} \right) \times 2^5 = - \frac{25 \times 32}{32} = - 25 \text{ (dec)}$$

Dans le cas où les nombres sont inférieurs à 1 l'exposant devient signé. On peut représenter un nombre allant jusqu'à $2^{-127} \approx 5,410 \cdot 10^{-39}$ car l'exposant le plus petit est : 1 000 0001 le 7^è bit est le bit de signe après complémentation à 2 : 1111 1111 ----) 1111 1111 (binaire) = -127 (dec) d'où l'exposant = $2^{-127} \approx 5,41 \cdot 10^{-39}$

Exemple 7 : 0,8 (dec) ----) 6666 00 (Flottant)

0.110 0 110 0 110 0 110 0000 0000

$$+ \\ = \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{32} + \frac{1}{64} + \frac{1}{512} + \frac{1}{1024} + \frac{1}{8192} + \frac{1}{16384} \right) 2^0 = 0,799987792 \\ \approx 0,8 \text{ (dec) .}$$

Exemple 8 : 0,1 ----) ; 6666FD (Flottant)

0.110 0110 0110 0110 1111 1101

L'exposant est négatif, on prend le complément à 2 pour voir à combien

est - il égal : 1111 1101 Complet. à 2) 1 000 0011 = 2^{-3}

d'où notre nombre : $0,799987792 \times \frac{1}{2^3} = 0,099998474$

On remarquera que le complément à 2 de 8000 est inchangé

8000 : 1000 0000 0000 0000

8000 : 1000 0000 0000 0000 Complément à 2.

IV - MANIPULATION DANS LA PILE.

Les différentes réservations des arguments et des adresses de retour dans la pile sont disposées de la manière suivante :

- 17 LS Byte moins significatif byte de l'adresse de retour.
- 16 MS Byte plus " " " " "
- 15 LS Byte moins " " " " de l'argument 1.
- 14 MS Byte plus " " " " " " 1.
- 13 Exposant de l'argument 1
- 12 LS Byte moins significatif byte de la mantisse de l'argument 1.
- 11 MS Byte plus " " " " " " 1.
- 10 LS byte moins " " " l'adresse de l'argument 2.
- 09 MS Byte plus " " " " " "
- 08 Exposant de l'argument 2
- 07 LS Byte moins significatif byte de la mantisse de l'argument 2
- 06 MS Byte du résultat " " " " " "
- 05 Exposant du résultat
- 04 LS Byte de la mantisse du résultat
- 03 MS Byte " " " " "
- 02 Différence des exposants pour l'addition et soustraction des exposants, ou signe du résultat pour la multiplication et la division.
- 01 Résultat temporaire pour la multiplication pour ensuite prendre seulement les 16 bits significatifs.
- 00 Compteur de Boucle.

V - ALGORITHME DES OPERATIONS

Tous les résultats occupent la place du premier argument.

1°) FPP ADD.

Le nombre 1 est additionné au nombre 2.

- a) si un argument est nul, l'autre est redonné comme résultat.
 - b) si les exposants sont différents, la mantisse de l'argument ayant le plus petit exposant est déplacé vers la droite, jusqu'à avoir les exposants des 2 arguments égaux.
 - c) le résultat sera la somme bit à bit des mantisses et l'exposant du résultat sera égal au plus grand exposant des 2 arguments.
 - d) s'il y a plus de 15 déplacements à faire à l'un des arguments, le plus grand nombre est donné comme résultat.
 - e) Le dernier bit décalé servira à l'arrondissement du même nombre; cette opération consiste à ajouter le bit décalé au bit de plus faible poids de la mantisse.
 - f) Opération de normalisation qui portera sur le résultat si ce dernier a 2 mêmes bits consécutifs de poids le plus fort (1.1) ou (0.0). Ce résultat sera déplacé vers la gauche ou vers la droite jusqu'à la configuration (0.1) ou (1.0).
- Les points e et f sont valables pour toutes les opérations.

2°) FPPSUB

Il suffit de rendre l'argument a substitué négatif donc prendre son complément à 2 et le même algorithme que pour l'addition est utilisé.

3°) FPPMUL

- a) Les arguments sont tous les 2 convertis en 2 nombres positifs.
- b) On calcul la somme des exposants qui sera l'exposant du résultat.
- c) Les mantisses sont multipliées bit par bit, les 16 bits les plus significatifs sont gardés pour former le résultat.
- d) Ces 16 bits sont arrondis à 15 bits.
- e) Le 16ème bit de la mantisse portera le signe du nombre qui sera calculé en tenant compte des 2 signes des arguments 1 et 2.

4°) FPP DIV

Division de 2 arguments.

- a) Les 2 arguments sont convertis en 2 nombres positifs par complémentation à 2 s'ils sont négatifs.
- b) Si le diviseur est nul, le ~~dividande est redonné comme~~ résultat est infini.
- c) Les 16 bits du résultat sont arrondis à 15.
- d) Le résultat portera le signe dans le 16ème bit qui sera plus ou moins selon le diviseur et dividande.

5°) FPP CLR.

Le nombre en virgule flottante est désigné par son adresse dans l'accumulateur A, puis ces 3 positions mémoires sont remplacées par des zéros.

6°) FPPCPY

Déplacera un nombre d'une position mémoire à une autre.

a) Dans l'accumulateur B on charge l'adresse du nombre en virgule flottante à déplacer.

b) Dans l'accumulateur A on charge l'adresse de la position mémoire où le nombre doit être déplacé.

7°) FPPCMP.

Comparer 2 nombres en virgule flottante.

a) On charge les accumulateurs A et B par les adresses des 2 nombres à comparer.

b) Une soustraction est appliquée à ces 2 nombres à comparer.

c) Le MS Byte du résultat est stocké dans l'accumulateur A, celui-ci sera testé pour voir l'état du nombre trouvé.

d) Le registre d'état ou code condition nous renseignera si ce nombre est positif, négatif ou nul.

8°) FPPFLT.

Elle convertit un nombre de 4 caractères hexadécimaux (16 bits = 4 chiffres) en un nombre en virgule flottante de 24 bits (6 caractères) et en décimal.

a) Le chiffre est écrit à partir du bit 0 de la mantisse.

b) le byte de l'exposant est positionné à 15(1111)

c) L'opération de normalisation est appliquée au nombre.

d) Le nombre est lu après normalisation.

.../...

Exemple 1 : 0026 (Hex.) ----) 0010 0110(binaire) = 38 (dec)

0.000 0000 0010 0110 0000 1111

Pour normaliser le chiffre, on décale de 9 rangs vers la gauche, l'exposant sera ainsi decreménté de 9 il devient égal à 6.

$\frac{0.100}{4}$ $\frac{1100}{C}$ $\frac{0000}{0}$ $\frac{0000}{0}$ $\frac{0000}{0}$ $\frac{0110}{6}$ 400006

Exemple 2 : 12,5 n'est pas converti car il n'est pas en Hexadécimal, le caractère virgule (,) n'est pas reconnu.

Pour les nombres négatifs, le caractère moins (-) n'est pas reconnu.

Pour convertir ces nombres on prend leur complément à 2

Exemple 3 : - 12 (dec), en hexadecimal 12 s'écrit C ----) 1100 (binaire).

Comme il est négatif on prend son compl. à 2 pour le considérer comme positif.

1.111 1111 1111 0100 = FFF4 ce chiffre sera

reconnu.

← 1.111 1111 1111 0100 0000 1111 il n'est

pas normalisé.

$\frac{1.010}{A}$ $\frac{0000}{0}$ $\frac{0000}{0}$ $\frac{0000}{0}$ $\frac{0000}{0}$ $\frac{0100}{4}$ A0 0004

Pour retrouver - 12 en décimal.

Il faut recomplémenter à 2 le résultat car il a déjà été complémenté à 2.

$$1.010 \text{ Complet. } 2 \left. \vphantom{1.010} \right\} 1.11 = \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} \right)$$

$$- \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} \right) \times 2^4 = - \frac{3}{4} \times 2^{16} = - 12 \text{ (dec)}$$

9) FPFIX

Un nombre en virgule flottante est converti en un nombre en hexadécimal composé de 4 caractères.

a) Le nombre en virgule flottante (normalisé) est dénormalisé (l'exposant est alors incrémenté jusqu'à 15).

b) Le chiffre entier donné sera celui de la mantisse qui représente un nombre hexadécimal.

c) Si l'exposant est supérieur à 15; la mantisse est décalée à gauche et l'exposant est décrémenté jusqu'à 15, ainsi le nombre lu sera différent de celui qui est donné.

Exemple 1 : 4C0006 ----) 26 (Hex.)

0.100	1100	0000	0000	0000	0110
4	C	0	0	0	6

On décale la mantisse à droite jusqu'à avoir l'exposant égal à 15.

0.000	0000	0010	0110	0000	1111
0	0	2	6	0	15

0010 0110 (binaire) = 38 (décimal).

Exemple 2 : A00004 -----) FFF4 (Hex.) -----) - (C Hex.)

1.010	0000	0000	0000	0000	0100
A	0	0	0	0	4

On décale la mantisse y compris le bit de signe jusqu'à l'exposant égal à 15.

1111	1111	1111	0100	0000	1111
F	F	F	4	0	15

Pour convertir en décimal on prend le complément

à 2 de FFF⁴.

FFF⁴ comple. à 2) 0000 1100(binaire) = - 12(dec.)

Exemple 3 : Si l'exposant est supérieur à 15 (F)

61A711 -----) résultat est : 869C(Hex.) -----)

31076 (déc.) au lieu de 99995 (déc.)

10) FPPNEG

a) Le complément à 2 de la mantisse est formé sans transformer l'exposant.

b) la mantisse est ensuite lue avec le même exposant

Exemple : 10 en décimal -----) A (Hex.)

0.101 0000 0000 0000 0000 0100

complément à 2 de la mantisse :

1.011	0000	0000	0000	0000	0100
B	0	0	0	0	4

10 (50 0004) -----) - 10 (B0 0004)

11) FPST.

C'est une sous-routine dont on n'a pas directement accès, elle n'est pas réentrante.

- Le chiffre à convertir se trouve dans une adresse mémoire (00,01,02).

- Tester le nombre s'il n'est pas nul ou négatif

- si le nombre est nul, le résultat est directement donné sur l'écran, s'il est négatif, il sera converti en un nombre positif.

- La sous-routine FPPFIX est appliquée à ce nombre.

- Le résultat en décimal est donné seulement sur l'écran de visualisation.

12) STFP

C'est aussi une sousroutine non réentrante.

- Le chiffre en décimal est écrit sur l'écran de visualisation.

- Le premier caractère est testé si c'est un signe moins, une virgule ou un chiffre supérieur ou inférieur à 9.

- Le sousroutine FPPFLT est appliquée au nombre

- le résultat est déplacé à sa place réservée (00,01,02).

II - B - PROGRAMMES APPELANIS.

1°) Nécessité de ces programmes.

Telle qu'elle se présente, la bibliothèque mathématiques (BIBMAT) fonctionne comme étant un tout indivisible. L'ensemble est formé de plusieurs sous - programmes qui sont appelés par n'importe qu'elle opération et à chaque fois qu'elle en a besoin.

Pour exécuter une opération, il suffit de donner son code opération (O.C) après avoir appelé tout le programme BIBMAT. Ainsi tout accès à une opération n'est possible qu'après un OC sur l'écran de visualisation; Ce phénomène se répète indéfiniment après l'exécution de l'opération juste avant (voir exemple page :41)

Une autre caractéristique du programme BIBMAT est relative aux résultats des opérations qui sont à chaque fois donnés aux adresses mémoires 00; 01; 02; remarque donc, que deux inconvénients se présentent, le cycle fermé de BIBMAT d'une part et l'emplacement des résultats d'autre part.

Pour résoudre une équation différentielle, il est nécessaire d'introduire d'abord une table de données en virgule flottante (3 bytes par donnée), cette table doit avoir un début et une fin. La résolution d'une équation va évidemment utiliser les différentes opérations de ce programme Pour les calculs intermédiaires. Les résultats sont ensuite écrits sous forme de table.

Après ce bref aperçu sur le déroulement de la résolution d'une équation différentielle, on constate que la bibliothèque mathématiques ne se prête pas facilement. Pour cela il faut concevoir un programme appelant pour chaque fonction en tenant compte à chaque fois de l'initialisation de la pile (Stock) et encore le chargement du registre d'index (Index Register) pour FPPFLT, FPPFIX et FPPNEG.

.../...

Ces programmes appelants doivent être conçus de manière à donner le résultat dans une position d'adresse voulu de notre table.

Ainsi à l'aide de ses programmes appelants, on pourra travailler en dehors du cycle de BIEMAT mais en la gardant comme source pour l'appel des séquences.

2°) Appel de FPPAD; FPPSUB; FPPMUL; FPPDIV

Dans cette partie, on distingue 2 sortes de programmes. D'abord des programmes qui exécutent des opérations indépendantes mais en dehors du cycle de la bibliothèque mathématiques (voir exemple page 39). Puis une 2ème catégorie de programmes qui sont conçus de manière à être directement utilisés par le programme principal de résolution de l'équation différentielle.

3°) Appel de FPPNEG; FPPFIX; FPPCPY; FPPCMP et FPPFLT.

Tous ces programmes sont appelés par le programme principal de résolution de l'équation différentielle. Mais le plus utilisé c'est FPPCPY qui nous permet le déplacement d'une valeur d'une adresse à une autre.

```

00100          ***ADDITION
00110          *-----*
00120 0100 8E 00FF          LDS      #SFF          INIT. POINT-DE PILE
00130 0103 BD 85E1          JSR      SETUP2        INTRODUIRE LES 2 NERES DECI.
00140 0106 BD 88D5          JSR      FPPADD
00150 0109 86 20          LDA A   #'          SORTIE D'1 BLANC
00160 010B BD F9CF          JSR      OUTCH
00170 010E 86 00          LDA A   #A1         POINTER ARG.A1
00180 0110 BD 8732          JSR      FPST        SORTIE DU RESULTAT
00190 0113 3F
00200          *
00210          ***SOUSTRACTION
00220          *-----*
00230 0114 8E 00FF          LDS      #SFF
00240 0117 BD 85E1          JSR      SETUP2
00250 011A BD 887D          JSR      FPPSUB
00260 011D 86 0D          LDA A   #'
00270 011F BD F9CF          JSR      OUTCH
00280 0122 86 00          LDA A   #A1
00290 0124 BD 8732          JSR      FPST
00300 0127 3F          SWI
00310          *
00320          ***MULTIPLICATION
00330          *-----*
00340 0128 8E 00FF          LDS      #SFF
00350 012B BD 85E1          JSR      SETUP2
00360 012E BD 897A          JSR      FPPMUL
00370 0131 86 20          LDA A   #'
00380 0133 BD F9CF          JSR      OUTCH
00390 0136 86 00          LDA A   #A1
00400 0138 BD 8732          JSR      FPST
00410 013B 3F          SWI
00420          *
00430          ***DIVISION
00440          *-----*
00450 013C 8E 00FF          LDS      #SFF
00460 013F BD 85E1          JSR      SETUP2
00470 0142 BD 89EA          JSR      FPPDIV
00480 0145 86 20          LDA A   #'
00490 0147 BD F9CF          JSR      OUTCH
00500 014A 86 00          LDA A   #A1
00510 014C BD 8732          JSR      FPST
00520 014F 3F          SWI
00530          0000          END

```

PROGRAMME DES 4 OPERATIONS UTILISEES POUR LA RESOLUTION DE L'EQUATION DIFFERENTIELLE:

```

00010 0000 0003   A1   RMB   3   RESERVER 3 BYTES POUR ARG.A1
00020 0003 0003   A2   RMB   3   RESERVER 3 BYTES POUR ARG.A2
00030          88D5   FPPXXX EQU   $88D5   (XXX=ADD; SOUS; MUL; DIV)
00040 0200          ORG   $200
00050 0200 8E 00FF          LDS   #SFF          INITIALISATION DE LA PILE
00060 0203 86 00          LDA A #A1          POINTER ADRESSE DE ARG.A1
00070 0205 C6 03          LDA B #A2          " " " ARG.A2
00080 0207 BD 88D5          JSR   FPPXXX        ADD; SOUS; MUL; DIV.
00090 020A 3F          SWI

```

***FPPCLR

```

00010 0277 86 00          LDA A #A1          POINTER ADRESSE DE ARG.A1
00020 0279 BD 8ACC          JSR   FPPCLR
00030 027C 3F          SWI
00040          0000          END

```

```

00100      ***FFPFX
00110      *-----
00120 0230      ORG      $230
00130 0230 8E 00FF      LDS      #SFF
00140 0233 CE 0000      LDX      #A1      MANTISSE DE A1 DS REG. INDEX
00150 0236 86 0E      LDA A   #A1      EXPOSANT DE A1
00160 0238 BD 8820      JSR     PSH4     STOCKER DS LA PILE
00170 023B 30      TSX
00180 023C E6 00      LDA B   0,X
00190 023E 86 00      LDA A   #A1     POINTER ADRESSE DE A1
00200 0240 BD 8A94      JSR     FFPFX   CONVER. DEC. EN ENTIER
00210 0243 31      INS
00220 0244 31      INS
00230 0245 31      INS
00240 0246 31      INS
00250 0247 3F      SWI
00260      *
00270      ***FFPNEG
00280      *-----
00290 0248 8E 00FF      LDS      #SFF
00300 024E CE 0000      LDX      #A1     MANTISSE DE A1 DS REG. INDEX
00310 024E 86 00      LDA A   #A1     EXPOSANT DE A1 DS ACC A
00320 0250 BD 8820      JSR     PSH4     STOCKER DS FILE
00330 0253 30      TSX
00340 0254 E6 00      LDA B   0,X
00350 0256 17      TBA      SAUVER ACC B DS ACC A
00360 0257 BD 8ABB      JSR     FFPNEG
00370 025A DF 20      STX     $20     20 ADRESSE MEMOIRE QUELCONQUE
00380 025C D6 21      LDA B   $21
00390 025E 96 00      LDA A   $00     RESULTAT DS ADRESSE 0
00400 0260 BD 885B      JSR     FPPCPY
00410 0263 3F      SWI
00420      *
00430      ***FFPCMP
00440      *-----
00450 0264 8E 00FF      LDS      #SFF
00460 0267 86 00      LDA A   #A1     POINTER ADRESSE DE A1
00470 0269 C6 03      LDA B   #A2     " " DE A2
00480 026B BD 883A      JSR     FPPCMP
00490 026E 3F      SWI
00500      *LE RESULTAT DS LE REG. CODE CONDITION
00510      *
00520      ***FPPCPY
00530      *-----
00540 026F 86 03      LDA A   #A2     POINTER ADRESSE MEMOIRE A COPIER
00550 0271 C6 00      LDA B   #A1     " " " " DU NBR.
00560 0273 BD 885B      JSR     FPPCPY
00570 0276 3F      SWI
00100      *
00110      ***FPPFLT: CONVER. ENTIER(16BITS) EN VERG. FLOT.
00120      *
00140      8820      PSH4   EQU     $8820
00150      8A81      FPPFLT EQU     $8A81
00160 0210      ORG     $210
00170 0210 8E 00FF      LDS      #SFF
00180 0213 CE 0000      LDX      #A1     MANTISSE DE ARG. A1 DS REG. IND
00190 0216 96 00      LDA A   $0      METTRE EXPO. A ZERO (NBRE ENTIER
00200 0218 BD 8820      JSR     PSH4     INTRODUIT DS LA PILE
00210 021B 30      TSX
00220 021C E6 00      LDA B   0,X
00230 021E 86 00      LDA A   #A1     POINTER ADRESSE DE A1
00240 0220 BD 8A81      JSR     FPPFLT  CONVERTIR
00250 0223 31      INS      INCREMENTER LE POINTEUR DE PILE
00260 0224 31      INS
00270 0225 31      INS
00280 0226 31      INS
00290 0227 3F      SWI
00300      *LE RESULTAT EST A LA PLACE DE A1
00310      0000      END

```


M68SAM IS THE PROPERTY OF MOTOROLA SPD, INC.
 COPYRIGHT 1974 BY MOTOROLA INC

MOTOROLA M6800 CROSS ASSEMBLER, RELEASE 1.0

COC01		NAM	TSTFPP		
COC02		*			
COC03		*			
COC04		*	24 BIT REENTRANT FLOATING POINT PACKAGE		
COC05		*			
COC06		*	WITH AUXILIARY CONTROL/TEST PROGRAM		
COC07		*			
COC08		*			
COC09		*	PROGRAMMER:		
COC10		*			
COC11		*	DR. BENTON D. WEATHERS		
COC12		*	SANGAMON ELECTRIC COMPANY		
COC13		*	BOX 3347		
COC14		*	SPRINGFIELD, ILLINOIS 62714		
COC15		*			
COC16		*	217/544-6411 EXT 591		
COC17		*			
COC18	0000	ORG	\$0		DEFINITION OF MEMORY ADDRESSES IN RAM
COC19	000C 0003	A1	RMB	3	RESERVE 3 BYTES OF RAM
COC20	0003 0003	A2	RMB	3	RESERVE THREE BYTES OF RAM
COC21	0006 0002	PSH4T1	RMB	2	WORKING LOCATION FOR PSH4
COC22	0008 0002	PSH4T2	RMB	2	WORKING LOCATION FOR PSH4
COC23	000A 0001	L1	RMB	1	LOOP COUNTER
COC24	000B 0001	L2	RMB	1	LOOP COUNTER
COC25	000C 0003	A3	RMB	3	HOLDS MAIN COPY OF ARG1
COC26	000F 0002	RSUADD	RMB	2	HOLDS SUBROUTINE ADDRESS
COC27		*			
COC28	FA8B	INCH	EQU	\$FA8B	SUBROUTINE ADDRESS
COC29	F9DC	BUTCH	EQU	\$F9DC	SUBROUTINE ADDRESS

RECTIFICATIONS : OUTCH F9CF
 INCH FA7F

C0C31		*			
C0C32		*			
C0C33		*	MAIN CONTROL PROGRAM FOR TESTING		
C0C34		*	THE FLOATING POINT PACKAGE		
C0C35		*			
C0C36		*			
C0C37	8500		ORG	\$8500	
C0C38	8500	BE 00FF	LDS	#\$FF	INITIALIZE STACK POINTER
C0C39		*			
C0C40		*	MAIN TESTING LOOP		
C0C41		*			
C0C42	8503	BD 868A	LOOP	JSR	QUERY NEWLINE, GM ON TTY
C0C43	8506	86 4F		LDA A	#'0 OUTPUT '0'
C0C44	8508	BD F9DC		JSR	BUTCH
C0C45	8508	86 43		LDA A	#'C OUTPUT 'C'
C0C46	850D	BD F9DC		JSR	BUTCH
C0C47	8510	BD FA8B		JSR	INCH GET OPERATION CODE
C0C48		*			
C0C49		*	SEVEN WAY BRANCH		
C0C50		*			
C0C51	8513	81 31		CMP A	#'1 TEST FOR '1'
C0C52	8515	27 23		BEQ	ADD
C0C53	8517	81 32		CMP A	#'2 TEST FOR '2'
C0C54	8519	27 27		BEQ	SUB
C0C55	851B	81 33		CMP A	#'3 TEST FOR '3'
C0C56	851D	27 2B		BEQ	MUL
C0C57	851F	81 34		CMP A	#'4 TEST FOR '4'
C0C58	8521	27 2F		BEQ	DIV
C0C59	8523	81 35		CMP A	#'5 TEST FOR '5'
C0C60	8525	27 33		BEQ	FLOAT
C0C61	8527	81 36		CMP A	#'6 TEST FOR '6'
C0C62	8529	27 40		BEQ	IFIX
C0C63	852B	81 37		CMP A	#'7 TEST FOR '7'
C0C64	852D	27 4F		BEQ	NEGATE
C0C65	852F	81 38		CMP A	#'8 TEST FOR '8'
C0C66	8531	27 53		BEQ	CLEAR
C0C67		*			
C0C68	8533	86 58		LDA A	#'X INVALID OP-CODE, OUTPUT 'X'
C0C69	8535	BD F9DC		JSR	BUTCH
C0C70	8538	20 C9		BRA	LOOP GO GET NEXT OP-CODE
C0C71		*			
C0C72	853A	BD 85E1	ADD	JSR	SETUP2
C0C73	853D	CE 88D5		LDX	#FPPADD LOAD ADDRESS INTO INDEX REG
C0C74	8540	20 4B		BRA	PRINT
C0C75		*			
C0C76	8542	BD 85E1	SUB	JSR	SETUP2
C0C77	8545	CE 887D		LDX	#FPPSUB LOAD ADDRESS
C0C78	8548	20 43		BRA	PRINT
C0C79		*			
C0C80	854A	BD 85E1	MUL	JSR	SETUP2
C0C81	854D	CE 897A		LDX	#FPPMUL
C0C82	8550	20 3B		BRA	PRINT
C0C83		*			
C0C84	8552	BD 85E1	DIV	JSR	SETUP2

C0C85	8555	CE	89EA		LDX	#FPPDIV		
C0C86	8558	20	33		BRA	PRINT		
C0C87				*				
C0C88	855A	BD	868A	FLOAT	JSR	QUERY		
C0C89	855D	86	03		LDA A	#A2		
C0C90	855F	BD	8600		JSR	READ3B		
C0C91	8562	86	00		LDA A	#A1		
C0C92	8564	C6	03		LDA B	#A2		
C0C93	8566	BD	8A61		JSR	FPPFLT		
C0C94	8569	20	52		BRA	PRIN1		
C0C95				*				
C0C96	856B	BD	8502	IFIX	JSR	SETUP1		
C0C97	856E	BD	8A94		JSR	FPPFIX	FLOATINGPOINT TO INTEGER	
C0C98	8571	86	20		LDA A	#1	OUTPUT BLANK CHARACTER	
C0C99	8573	BD	F90C		JSR	BUTCH		
C0100	8576	86	00		LDA A	#A1		
C0101	8578	BD	864B		JSR	WRIT3B		
C0102	857B	7E	8503		JMP	LOOP		
C0103				*				
C0104	857E	BD	85D2	NEGATE	JSR	SETUP1		
C0105	8581	BD	8ABB		JSR	FPPNEG	FLOATING POINT NEGATE	
C0106	8584	20	37		BRA	PRIN1		
C0107				*				
C0108	8586	86	00	CLEAR	LDA A	#A1		
C0109	8588	BD	8ACC		JSR	FPPCLR		
C0110	858B	20	30		BRA	PRIN1		
C0111				*				
C0112				*		EXECUTION REPETITION LOOP		
C0113	858D	DF	CF	PRINT	STX	R8UADD	SAVE THE SUBROUTINE ADDRESS	
C0114	858F	86	0C		LDA A	#A3		
C0115	8591	C6	00		LDA B	#A1		
C0116	8593	BD	885B		JSR	FPPCPY	A3*A1	
C0117				*				
C0118				*		INITIALIZE OUTSIDE LOOP		
C0119				*				
C0120	8596	86	02		LDA A	#2		
C0121	8598	97	CA		STA A	L1		
C0122	859A	7A	000A	LOOP1	DEC	L1	START OF OUTSIDE LOOP	
C0123	859D	26	02		BNE	LOOPA		
C0124	859F	20	1C		BRA	PRIN1	GET OUT OF EXECUTION LOOP	
C0125				*				
C0126				*		INITIALIZE INNER LOOP		
C0127				*				
C0128	85A1	86	02	LOOPA	LDA A	#2		
C0129	85A3	97	0B		STA A	L2		
C0130	85A5	7A	000B	LOOP2	DEC	L2	DECREMENT INNER LOOP COUNTER	
C0131	85A8	26	02		BNE	LOOPB		
C0132	85AA	20	EE		BRA	LOOP1	INNER LOOP DONE SB BACK TO BUTER LOOP	
133				*				
C0134				*		EXECUTION SECTION		
C0135				*				
C0136	85AC	86	0C	LOOPB	LDA A	#A1		
C0137	85AE	C6	0C		LDA B	#A3		
C0138	85B0	BD	885B		JSR	FPPCPY	A1*A3	

00139	85B3	86	00	LDA	A	#A1	
00140	85B5	C6	03	LDA	B	#A2	
00141	85B7	DE	0F	LDX	R0UADD	SET UP RROUTINE ADDRESS	
00142	85B9	AD	00	JSR	O,X		
00143	85BB	20	E8	BRA	L88P2		
00144				*			
00145				*	PRINT RESULTS		
00146				*			
00147	85BD	BD	8693	PRIN1	JSR	NEWLIN	
00148	85C0	86	00	LDA	A	#A1	SET UP ADDRESS OF RESULTS
00149	85C2	BD	864B	JSR	WRIT3B	PRINT RESULTS	
00150	85C5	86	20	LDA	A	#1	
00151	85C7	BD	F9DC	JSR	BUTCH		
00152	85CA	86	00	LDA	A	#A1	
00153	85CC	BD	8732	JSR	FPST	PRINT RESULT IN DECIMAL FORMAT	
00154	85CF	7E	8503	JMP	L88P	GB GET NEXT 8P-CODE	

```

CO156      *
CO157      *
CO158      *      SETUP1, SETUP2
CO159      *
CO160      *
CO161 85D2 BD 863A SETUP1 JSR    QUERY
CO162 85D5 86 03          LDA A  #A2
CO163 85D7 BD 869E          JSR    STFP
CO164 85DA 86 03          LDA A  #A2
CO165 85DC BD 864B (***) JSR    WRIT3B
CO166 85DF 20 1A          BRA    SUREG      SET UP POINTERS IN REG'S
CO167      *
CO168 85E1 BD 862A SETUP2 JSR    QUERY      NEWLINE, GM ON TTY
CO169 85E4 86 00          LDA A  #A1      ARG1 TO A1
CO170 85E6 BD 869E          JSR    STFP
CO171 85E9 86 00          LDA A  #A1
CO172 85EB BD 8648          JSR    WRIT3B
CO173 85EE BD 868A          JSR    QUERY
CO174 85F1 86 03          LDA A  #A2      ARG2 TO A2
CO175 85F3 BD 869E          JSR    STFP
CO176 85F6 86 03          LDA A  #A2
CO177 85F8 BD 8648          JSR    WRIT3B
CO178 85FB 86 00      SUREG LDA A  #A1      SET UP ADDRESS IN A REG
CO179 85FD C6 03          LDA B  #A2      SET UP ADDRESS IN B REG
CO180 85FF 39          RTS          RETURN
CO181      *
CO182      *
CO183      *      READ 3 CONSECUTIVE BYTES (6 CHARACTERS)
CO184      *      ON ENTRY THE STORAGE ADDRESS IS IN THE A REG
CO185      *      CHARACTER TO HEX CONVERSION IS PERFORMED AND THE
CO186      *      BYTES PUT AWAY.
CO187      *
CO188 8600 36      READ3B PSH A          PUT THE MEMORY ADDRESS ON THE STACK
CO189 8601 4F          CLR A
CO190 8602 36          PSH A
CO191      *
CO192      *      SET UP THE OUTER LOOP TO GO FROM 3 TO 1
CO193      *
CO194 8603 86 03          LDA A  #3
CO195 8605 36          PSH A
CO196 8606 86 02      READ31 LDA A  #2      SET UP INNER LOOP TO GO TWICE
CO197 8608 36          PSH A
CO198 8609 5F          CLR B
CO199 860A BD FA&B READ32 JSR    INCH      USE B REG TO MERGE HEX CHARACTERS
CO200 860D 81 30          CMP A  #'0      GET CHARACTER FROM TTY
CO201 860F 2D 08          BLT  READ33      IS CHR CODE LT ASC '0'
CO202 8611 81 39          CMP A  #'9      YES
CO203 8613 2E 04          BGT  READ33      IS CHR CODE GT ASC '9'
CO204 8615 80 30          SUB A  #'0      YES
CO205 8617 20 0C          BRA  READ34      SUBTRACT CODE FOR ASC '0'
CO206 8619 81 41      READ33 CMP A  #'A      GO TO MERGE SECTION
CO207 861B 2D 27          BLT  READ35      IS CHAR CODE LT ASC 'A'
CO208 861D 81 46          CMP A  #'F      YES, INVALID CHARACTER
CO209 861F 2E 23          BGT  READ35      IS CHAR CODE GT ASC 'F'
                YES, INVALID CODE
    
```

00210	8621	80	41		SUB A	#1A	SUBTRACT CODE FOR ASC 'A'
00211	8623	8B	0A		ADD A	#10	ADD 10
00212	8625	58		READ34	ASL B		MERGE A REG WITH B REG
00213	8626	58			ASL B		
00214	8627	58			ASL B		
00215	8628	58			ASL B		
00216	8629	1B			ABA		MERGE
00217	862A	16			TAB		PUT RESULT IN B REG
00218	862B	30			TSX		INDEX REG TO TOP OF STACK
00219	862C	6A	00		DEC	0,X	DECREMENT INNER LOOP COUNTER
00220	862E	6D	00		TST	0,X	IS INNER LOOP CNTR POS
00221	8630	2E	D8		BGT	READ32	YES, CONTINUE LOOPING
00222				*			
00223				*			PUT THE CHARACTER AWAY
00224				*			
00225	8632	EE	02		LDX	2,X	GET ADDRESS OFF THE STACK
00226	8634	E7	00		STA B	0,X	STORE MERGED RESULT
00227	8636	30			TSX		INDEX TO TOP OF STACK
00228	8637	6C	03		INC	3,X	INC LSB OF MEMORY ADDRESS
00229	8639	31			INS		REMOVE INNER LOOP CNTR FRM STACK
00230	863A	6A	01		DEC	1,X	DECREMENT OUTER LOOP COUNTER
00231	863C	6D	01		TST	1,X	IS OUTER LOOP CNTR POSITIVE
00232	863E	2E	C6		BGT	READ31	YES, GO GET NEXT BYTE
00233	8640	31			INS		CLEAN UP STACK
00234	8641	31			INS		
00235	8642	31			INS		
00236	8643	39			RTS		RETURN
00237				*			
00238				*			INVALID CHARACTER
00239				*			
00240	8644	86	58	READ35	LDA A	#1X	OUTPUT AN 'X' CHARACTER
00241	8646	BD	F90C		JSR	BUTCH	
00242	8649	20	BF		BRA	READ32	REREAD CHARACTER
00243				*			
00244				*			
00245				*			WRITE THREE CONSECUTIVE BYTES
00246				*			
00247				*			
00248	864B	36		WRITE38	PSH A		PUSH DATA POINTER ONTO STACK
00249	864C	4F			CLR A		
00250	864D	36			PSH A		
00251	864E	86	03		LDA A	#3	SET OUTER LOOP TO GO 3 TIMES
00252	8650	36			PSH A		
00253	8651	34			DEG		ALLOCATE SPACE ON STACK FOR L2 CNTR
00254	8652	30		WRITE31	TSX		INDEX TO TOP OF STACK
00255	8653	EE	02		LDX	2,X	GET DATA POINTER
00256	8655	E6	00		LDA B	0,X	DATA TO B REG
00257	8657	30			TSX		INDEX TO TOP OF STACK
00258	8658	6C	03		INC	3,X	INCREMENT BYTE POINTER
00259	865A	86	01		LDA A	#1	INNER LOOP INITIALIZATION
00260	865C	A7	00		STA A	0,X	
00261				*			
00262	865E	17		WRITE32	TBA		UNPACK FOUR BITS, B REG TO A REG
00263	865F	6D	00		TST	0,X	IS INNER LOOP EQUAL TO ZERO

00264	8661	27	04	BEG	WRIT35	YES, SKIP SHIFT OPERATION
00265	8663	44		LSR	A	LOGIC SHIFT RIGHT FOUR TIMES
00266	8664	44		LSR	A	
00267	8665	44		LSR	A	
00268	8666	44		LSR	A	
00269	8667	84	0F	WRIT35	AND A #15	MASK OUT 4 MOST SIGNIFICANT BITS
00270				*		UNPACKING COMPLETE
00271	8669	81	0A	CMP	A #10	IS 4-BIT FIELD LT 10
00272	866B	2D	06	BLT	WRIT33	YES(DIGIT 0 - 9)
00273	866D	80	0A	SUB	A #10	NO (LETTER A - F)
00274	866F	88	41	ADD	A #1A	ADD ASCII 'A' CODE TO RESULT
00275	8671	20	02	BRA	WRIT34	GO TO OUTPUT SECTION
00276	8673	88	3C	WRIT33	ADD A #10	ADD ASCII '0' CODE TO RESULT
00277	8675	8D	F9DC	WRIT34	JSR BUTCH	OUTPUT CHARACTER
00278	8678	30		TSX		INDEX TO TOP OF STACK
00279	8679	6A	00	DEC	0,X	INNER LOOP TEST
00280	867B	6D	00	TST	0,X	IS INNER LOOP CNTR GE 0
00281	867D	2C	0F	BGE	WRIT32	YES, CONTINUE WITH LOOP
00282	867F	6A	01	DEC	1,X	OUTER LOOP TEST
00283	8681	6D	01	TST	1,X	IS OUTER LOOP CNTR GT 0
00284	8683	2F	CD	BGT	WRIT31	YES, GET NEXT BYTE
00285	8685	31		INS		CLEAN UP STACK
00286	8686	31		INS		
00287	8687	31		INS		
00288	8688	31		INS		
00289	8689	39		RTS		RETURN
00290				*		
00291				*		
00292				*		QUERY SUBROUTINE
00293				*		
00294				*		
00295	868A	8D	8693	QUERY	JSR NEWLIN	CAUSE TTY TO SPACE TO NEW LINE
00296	868D	86	3F		LDA A #1	OUTPUT QUESTION MARK
00297	868F	8D	F9DC		JSR BUTCH	
00298	8692	39			RTS	
00299				*		
00300				*		
00301				*		NEWLINE
00302				*		
00303				*		
00304	8693	86	0D	NEWLIN	LDA A #13	OUTPUT CARRIAGE RETURN
00305	8695	8D	F9DC		JSR BUTCH	
00306	8698	86	0A		LDA A #10	OUTPUT LINE FEED
00307	869A	8D	F9DC		JSR BUTCH	
00308	869C	39			RTS	RETURN

```

00310      *
00311      *
00312      *      STRING TO FLOATING POINT ROUTINE
00313      *
00314      *
00315 869E 36      STFP      PSH A      PUSH DATA ADDRESS ONTO STACK
00316 869F 4F      CLR A
00317 86A0 36      PSH A
00318 86A1 36      PSH A      STFPDP=0 (DEC PNT FLAG)
00319 86A2 36      PSH A      STFPSG=0 (NEGATIVE SIGN FLAG)
00320 86A3 CE 0000      LDX      #0
00321 86A6 BD 8820      JSR      PSH4      STFPA1=0.0
00322 86A9 CE 4000      LDX      #$4000
00323 86AC 86 01      LDA A      #1
00324 86AE BD 8820      JSR      PSH4      STFPA2=1.0
00325 86B1 BD 8820      JSR      PSH4      STFPA3#
00326 86B4 CE 5000      LDX      #$5000
00327 86B7 86 04      LDA A      #4
00328 86B9 BD 8820      JSR      PSH4      STFPA4=10.0
00329 86BC 30      TSX      INDEX POINTS TO TOP OF STACK
00330      *
00331      *      STACK OFFSET DEFINITIONS
00332      *
00333      0001      STFPA4 EQU      1
00334      0005      STFPA3 EQU      5
00335      0009      STFPA2 EQU      9
00336      000D      STFPA1 EQU     13
00337      0010      STFPSG EQU     16      NEGATIVE SIGN FLAG
00338      0011      STFPDP EQU     17      DECIMAL POINT FLAG
00339      0012      STFPRS EQU     18      RESULT ADDRESS
00340      *
00341      *      CHARACTER PROCESSING LOOP
00342      *
00343 86BD BD FA8B STFP1 JSR      INCH      GET A CHARACTER INTO A REG
00344 86C0 81 0A      CMP A      #$A      LINE FEED CHARACTER
00345 86C2 27 43      BEQ      STFP4      YES
00346 86C4 81 2D      CMP A      #'-'      MINUS SIGN
00347 86C6 26 04      BNE      STFP2      NO
00348 86C8 6C 10      INC      STFPSG,X   YES, SET NEGATIVE SIGN FLAG
00349 86CA 20 F1      BRA      STFP1
00350 86CC 81 2E      STFP2 CMP A      #'.'      DECIMAL POINT
00351 86CE 26 04      BNE      STFP3      NO
00352 86D0 6C 11      INC      STFPDP,X   SET DECIMAL POINT FLAG
00353 86D2 20 E9      BRA      STFP1
00354 86D4 81 40      STFP3 CMP A      #$40      $40 IS CODE FOR 10
00355 86D6 2A E5      BPL      STFP1
00356 86D8 81 30      CMP A      #'0
00357 86DA 28 E1      BMI      STFP1
00358      *
00359      *      DIGIT DETECTED
00360      *
00361 86DC 80 30      SUB A      #'0      SUBTRACT CODE FOR ZERO
00362 86DE A7 06      STA A      STFPA3+1,X STORE INTEGER IN A3
00363 86E0 6F 05      CLR      STFPA3,X

```

00364	86E2	A6	04	LDA A	STFPA3-1,X
00365	86E4	16		TAB	
00366	86E5	BD	8A21	JSR	FPPFLT A3*FLBAT(A3)
00367	86E8	30		TSX	RESTORE INDEX
00368	86E9	A6	0C	LDA A	STFPA1-1,X
00369	86EB	E6	00	LDA B	STFPA4-1,X
00370	86EC	BD	897A	JSR	FPPMUL A1=A1*10*0
00371	86FC	30		TSX	
00372	86F1	A6	0C	LDA A	STFPA1-1,X
00373	86F3	E6	04	LDA B	STFPA3-1,X
00374	86F5	BD	88D5	JSR	FPPADD A1=A1+A3
00375	86F8	30		TSX	
00376	86F9	6D	11	TST	STFPOP,X IS DECIMAL POINT FLAG SET
00377	86FB	2F	00	BLE	STFP1 N5
00378	86FD	A6	08	LDA A	STFPA2-1,X YES, CALCULATE PWR OF 10.
00379	86FF	E6	00	LDA B	STFPA4-1,X
00380	8701	BD	897A	JSR	FPPMUL A2=A2*10*
00381	8704	30		TSX	
00382	8705	2D	B6	BRA	STFP1
00383				*	
00384				*	CLEANUP
00385				*	
00386	8707	A6	0C	STFP4 LDA A	STFPA1-1,X
00387	8709	E6	08	LDA B	STFPA2-1,X
00388	870B	BD	89EA	JSR	FPPDIV A1=A1/A2
00389	870E	30		TSX	
00390	870F	6D	10	TST	STFPG,X
00391	8711	27	07	BEQ	STFP5
00392	8713	A6	0C	LDA A	STFPA1-1,X SIGN FLAG SET
00393	8715	16		TAB	
00394	8716	BD	8A8B	JSR	FPPNEG A1=-A1
00395	8719	30		TSX	
00396	871A	A6	00	STFP5 LDA A	STFPA1,X MOVE TO RESULT AREA
00397	871C	E6	0E	LDA B	STFPA1+1,X
00398	871E	EE	12	LDX	STFPRS,X
00399	8720	A7	00	STA A	0,X
00400	8722	E7	01	STA B	1,X
00401	8724	30		TSX	
00402	8725	A6	0F	LDA A	STFPA1+2,X
00403	8727	EE	12	LDX	STFPRS,X
00404	8729	A7	02	STA A	2,X
00405	872B	86	1*	LDA A	#20
00406	872D	31		STFP6 INS	
00407	872E	4A		DEC A	
00408	872F	25	FC	BGT	STFP6 LOOP TO CLEAN UP THE STACK
00409	8731	39		RTS	

```

CO411      *
CO412      *
CO413      *      FLOATING POINT TO STRING CONVERSION ROUTINE
CO414      *
CO415      *
CO416 8732 35      FPST  PSH A      VALUE ADDRESS ONTO STACK
CO417 8733 4F      CLR A
CO418 8734 36      PSH A
CO419 8735 30      TSX      INDEX TO TOP OF STACK
CO420 8736 86 05   LDA A #5
CO421 8738 36      PSH A      SD=5
CO422 8739 36      PSH A      DP=5
CO423 873A EE 00   LDX 0,X      GET VALUE ONTO THE STACK
CO424 873C A6 02   LDA A 2,X      EXPONENT INTO THE A REG
CO425 873E EE 00   LDX 0,X      MANTISSA INTO THE INDEX REG
CO426 8740 BD 8820 JSR PSH4      A1=INPUT VALUE
CO427 8743 CE 5000 LDX #5000
CO428 8746 86 04   LDA A #4
CO429 8748 BD 8820 JSR PSH4      A2=10.
CO430 874B CE 4E20 LDX #4E20
CO431 874E 86 0E   LDA A #14
CO432 8750 BD 8820 JSR PSH4      A3=10000.
CO433 8753 CE 61A8 LDX #61A8
CO434 8756 86 11   LDA A #11
CO435 8758 BD 8820 JSR PSH4      A4=100000.
CO436 875B BD 8820 JSR PSH4      A5=SCRATCH
CO437 875E 30      TSX      RESTORE INDEX
CO438      *
CO439      *      STACK OFFSET DEFINITIONS
CO440      *
CO441      0001      FPSTA5 EQU 1
CO442      0005      FPSTA4 EQU 5
CO443      0009      FPSTA3 EQU 9
CO444      000D      FPSTA2 EQU 13
CO445      0011      FPSTA1 EQU 17
CO446      0014      FPSTDP EQU 20
CO447      0015      FPSTSD EQU 21
CO448      0016      FPSTVL EQU 22
CO449      *
CO450 875F 6D 11   TST FPSTA1,X  TEST INPUT VALUE
CO451 8761 27 04   BEQ FPST1    BRANCH IF ZERO
CO452 8763 2B 0A   BMI FPST2    BRANCH IF NEGATIVE
CO453 8765 20 14   BRA FPST3    NUMBER IS READY TO BE SCALED
CO454      *
CO455      *      ZERO VALUE
CO456      *
CO457 8767 86 30   FPST1 LDA A #0      PRINT A SINGLE ZERO
CO458 8769 BD F9DC JSR BUTCH
CO459 876C 7E 8819 JMP FPST1C    GO CLEAN UP STACK
CO460      *
CO461      *      NEGATIVE NUMBER
CO462      *
CO463 876F 86 2D   FPST2 LDA A #-      PRINT MINUS SIGN
CO464 8771 BD F9DC JSR BUTCH

```

00465	8774	A6	10		LDA A	FPSTA1-1,X	
00466	8776	16			TAB		
00467	8777	BD	8ABB		JSR	FPPNEG	A1=-A1
00468	877A	30			TSX		
00469				*			
00470				*		NORMALIZING LOOP	
00471				*			
00472	877B	A6	10	FPST3	LDA A	FPSTA1-1,X	
00473	877D	E6	08		LDA B	FPSTA3-1,X	
00474	877F	BD	883A		JSR	FPPCMP	TEST(A1-10000.)
00475	8782	30			TSX		RESET INDEX
00476	8783	2A	0C		BPL	FPST4	BRANCH IF ZERO OR POSITIVE
00477	8785	A6	10		LDA A	FPSTA1-1,X	
00478	8787	E6	0C		LDA B	FPSTA2-1,X	
00479	8789	BD	897A		JSR	FPPMUL	A1=A1*10.
00480	878C	30			TSX		
00481	878D	6A	14		DEC	FPSTDP,X	DP=DP-1
00482	878F	20	EA		BRA	FPST3	CONTINUE LOOP
00483				*			
00484	8791	A6	10	FPST4	LDA A	FPSTA1-1,X	
00485	8793	E6	04		LDA B	FPSTA4-1,X	
00486	8795	BD	883A		JSR	FPPCMP	TEST (A1-100000.)
00487	8798	30			TSX		
00488	8799	2B	0C		BMI	FPST5	BRANCH IF NEGATIVE
00489	879B	A6	10		LDA A	FPSTA1-1,X	
00490	879D	E6	0C		LDA B	FPSTA2-1,X	
00491	879F	BD	89EA		JSR	FPPDIV	A1=A1/10.
00492	87A2	30			TSX		
00493	87A3	6C	14		INC	FPSTDP,X	DP=DP+1
00494	87A5	20	EA		BRA	FPST4	CONTINUE LOOP
00495				*			
00496				*		TEST TO SEE IF DP AND LEADING ZEROS ARE NEEDED	
00497				*			
00498	87A7	6D	14	FPST5	TST	FPSTDP,X	IS DP CNT NEGATIVE
00499	87A9	2A	12		BPL	FPST7	NO
00500	87AB	86	2E		LDA A	#'.	OUTPUT DECIMAL POINT
00501	87AD	BD	F9DC		JSR	BUTCH	
00502	87B0	86	30	FPST6	LDA A	#'0	OUTPUT LEADING ZEROS
00503	87B2	BD	F9DC		JSR	BUTCH	
00504	87B5	6C	14		INC	FPSTDP,X	
00505	87B7	2B	F7		BMI	FPST6	
00506	87B9	86	FF		LDA A	#9FF	RESET DP CNT TO NEGATIVE VALUE
00507	87BB	A7	14		STA A	FPSTOP,X	
00508				*			
00509				*		LOOP TO PRINT FIVE SIGNIFICANT DIGITS	
00510				*			
00511	87BD	6A	15	FPST7	DEC	FPSTSD,X	SD=SD-1
00512	87BF	2B	4B		BMI	FPST9	GET OUT IF 5 SD HAVE GONE
313	87C1	6D	14		TST	FPSTDP,X	SHOULD DECIMAL BE OUTPUT
00514	87C3	26	05		BNE	FPST8	NO
00515	87C5	86	2E		LDA A	#'.	OUTPUT DECIMAL POINT
00516	87C7	BD	F9DC		JSR	BUTCH	
00517	87CA	6A	14	FPST8	DEC	FPSTDP,X	DP=DP-1
00518	87CC	A6	0C		LDA A	FPSTA5-1,X	DATA SINK

00519	87CE	E6 10	LDA B	FPSTA1-1,X	DATA SOURCE
00520	87D0	BD 885B	JSR	FPPCPY	A5=A1
00521	87D3	30	TSX		
00522	87D4	A6 00	LDA A	FPSTA5-1,X	
00523	87D6	E6 08	LDA B	FPSTA3-1,X	
00524	87D8	BD 89EA	JSR	FPPDIV	A5=A5/A3
00525	87DB	30	TSX		
00526	87DC	A6 00	LDA A	FPSTA5-1,X	
00527	87DE	16	TAB		
00528	87DF	BD 8A94	JSR	FPPFIX	A5=IFIX(A5)
00529	87E2	30	TSX		
00530	87E3	A6 02	LDA A	FPSTA5+1,X	OUTPUT DIGIT
00531	87E5	8B 30	ADD A	#'0	ADD CHARACTER CODE FOR ZERO
00532	87E7	BD F9DC	JSR	BUTCH	
00533	87EA	A6 00	LDA A	FPSTA5-1,X	
00534	87EC	16	TAB		
00535	87ED	BD 8A81	JSR	FPPFLT	A5=FLOAT(A5)
00536	87F0	30	TSX		
00537	87F1	A6 00	LDA A	FPSTA5-1,X	
00538	87F3	E6 08	LDA B	FPSTA3-1,X	
00539	87F5	BD 897A	JSR	FPPMUL	A5=A5*A3
00540	87F8	30	TSX		
00541	87F9	A6 10	LDA A	FPSTA1-1,X	
00542	87FB	E6 00	LDA B	FPSTA5-1,X	
00543	87FD	BD 887D	JSR	FPPSUB	A1=A1-A5
00544	8800	30	TSX		
00545	8801	A6 05	LDA A	FPSTA3-1,X	
00546	8803	E6 0C	LDA B	FPSTA2-1,X	
00547	8805	BD 89EA	JSR	FPPDIV	A3=A3/10.
00548	8808	30	TSX		
00549	8809	7E 87BD	JMP	FPST7	CONTINUE LOOP
00550			*		
00551			*		OUTPUT TRAILING ZEROS, IF NECESSARY
00552			*		
00553	880C	6D 14	FPST9	TST	FPSTDP,X ARE TRAILING ZEROS REQUIRED
00554	880E	2F 09		BLE	FPST1C NO
00555	8810	6A 14		DEC	FPSTDP,X
00556	8812	86 30	LDA A	#'0	OUTPUT ZERO
00557	8814	BD F9DC	JSR	BUTCH	
00558	8817	20 F3	BRA	FPST9	CONTINUE LOOP
00559			*		
00560			*		CLEANUP SECTION
00561			*		
00562	8819	86 18	FPST10	LDA A	#24
00563	881B	31	FPST11	INS	INCREMENT STACK POINTER
00564	881C	4A		DEC A	DECREMENT COUNT
00565	881D	2E FC	BGT	FPST11	CONTINUE WHILE COUNT IS POSITIVE
00566		F 39		RTS	RETURN TO CALL

C0568		*				
C0569		*				ROUTINE TO PUSH FOUR BYTES ON THE STACK. NOT REENTRA
C0570		*				PUSHES EXPONENT (FROM A REG), LS BYTE, MS BYTE OF MAN
C0571		*				FOLLOWED BY A POINTER TO MS BYTE OF THE MANTISSA
C0572		*				
C0573	8820	DF	06	PSH4	STX	PSH4T1 SAVE THE MANTISSA
C0574	8822	30			TSX	INDEX TO TOP OF STACK
C0575	8823	EE	00		LDX	0,X RETURN ADDRESS TO INDEX
C0576	8825	DF	08		STX	PSH4T2 SAVE THE RETURN ADDRESS
C0577	8827	31			INS	BACK UP THE STACK
C0578	8828	31			INS	
C0579	8829	36			PSH A	PUSH EXPONENT ONTO STACK
C0580	882A	96	07		LDA A	PSH4T1+1 LS BYTE OF MANTISSA
C0581	882C	36			PSH A	ONTO THE STACK
C0582	882D	96	06		LDA A	PSH4T1 MS BYTE OF MANTISSA ONTO THE STACK
C0583	882F	36			PSH A	
C0584	8830	30			TSX	INDEX TO TOP OF STACK
C0585	8831	DF	06		STX	PSH4T1 TRANSFER POINTER TO MEMORY
C0586	8833	96	07		LDA A	PSH4T1+1 GET LS BYTE OF POINTER
C0587	8835	36			PSH A	PUSH ONTO STACK
C0588	8836	DE	08		LDX	PSH4T2 GET THE RETURN ADDRESS
C0589	8838	6E	00		JMP	0,X RETURN TO CALL

C0591		*			
C0592		*			
C0593		*		FLRATING POINT COMPARE	
C0594		*			
C0595		*		THIS PROGRAM IS NOT REENTRANT. TO MAKE IT REENTRANT,	
C0596		*		INTERRUPT SYSTEM MUST BE DISABLED WHEN THE MEMORY ADI	
C0597		*		PSH4T1 IS BEING USED.	
C0598		*			
C0599	883A	36	FPPCMP	PSH A	COPY FIRST ARGUMENT ENTR. STACK
C0600	883B	4F		CLR A	
C0601	883C	36		PSH A	
C0602	883D	30		TSX	
C0603	883E	EE 00		LDX 0,X	
C0604	8840	A6 02		LDA A 2,X	
C0605	8842	36		PSH A	
C0606	8843	A6 01		LDA A 1,X	
C0607	8845	36		PSH A	
C0608	8846	A6 00		LDA A 0,X	
C0609	8848	36		PSH A	
C0610	8849	30		TSX	
C0611	884A	DF 06		STX PSH4T1	INDEX TO SCRATCH MEMORY
C0612	884C	96 07		LDA A PSH4T1+1	GET 8 BIT ADDRESS BACK TO A REG
C0613			*	8 REG SET UP BY CALLING PROGRAM, AND NOT DISTURBED	
C0614	884E	BD 887D		JSR FPPSUB	DESTRUCTIVE SUBTRACT
C0615	8851	30		TSX	
C0616	8852	A6 00		LDA A 0,X	MSB OF MANTISSA TO A REG
C0617	8854	31		INS	CLEAN UP STACK
C0618	8855	31		INS	
C0619	8856	31		INS	
C0620	8857	31		INS	
C0621	8858	31		INS	
C0622	8859	40		TST A	SET STATUS BITS FOR RESULT
C0623	885A	39		RTS	RETURN

C0625		*			
C0626		*			
C0627		*		COPY FLOATING POINT WORD	
C0628		*			
C0629		*			
C0630	885B	37	FPPCPY	PSH B	SOURCE ADDRESS ONTO STACK
C0631	885C	5F		CLR B	
C0632	885D	37		PSH B	
C0633	885E	36		PSH A	PUSH SINK ADDRESS ONTO STACK
C0634	885F	37		PSH B	
C0635	8860	30		TSX	
C0636	8861	EE 02		LDX	2,X SOURCE ADDR INTO X
C0637	8863	A6 00		LDA A	0,X MANTIXSA INTO A AND B REG
C0638	8865	E6 01		LDA B	1,X
C0639	8867	30		TSX	NEW, TRANSMIT MANTISSA
C0640	8868	EE 00		LDX	0,X
C0641	886A	A7 00		STA A	0,X
C0642	886C	E7 01		STA B	1,X
C0643	886E	30		TSX	NEW GET EXPONENT.
C0644	886F	EE 02		LDX	2,X
C0645	8871	A6 02		LDA A	2,X
C0646	8873	30		TSX	
C0647	8874	EE 00		LDX	0,X
C0648	8876	A7 02		STA A	2,X
549	8878	31		INS	
C0650	8879	31		INS	
C0651	887A	31		INS	
C0652	887B	31		INS	
C0653	887C	39		RTS	RETURN TO CALL

00655	*								
00656	*								FLOATING POINT NUMBER CONSISTS OF 3 CONSECUTIVE BYTES
00657	*								BYTE 0 - MS BYTE OF 16 BIT 2'S COMPLEMENT MANTISSA
00658	*								BYTE 1 - LS BYTE OF MANTISSA
00659	*								BYTE 2 - 8-BIT 2'S COMPLEMENT BINARY EXPONENT
00660	*								
00661	*								
00662	*								
00663	*								FLOATING POINT SUBTRACT
00664	*								
00665	*								
00666		887D	BD	8A60	FPPSUB	JSR	FPPASU		SET UP ARGS
00667		8880	30			TSX			SET INDEX TO TOP OF STACK
00668		8881	08			INX			SET INDEX TO ARG2
00669		8882	08			INX			
00670		8883	08			INX			
00671		8884	08			INX			
00672		8885	08			INX			
00673		8886	08			INX			
00674		8887	BD	888C		JSR	FPPNE1		NEGATE ARGUMENT 2
00675		888A	20	4C		BRA	FPPADC		
00676	*								
00677	*								
00678	*								BASIC NEGATION ROUTINE
00679	*								
00680	*								
00681		888C	36		FPPNE1	PSH	A		SAVE A REG
00682		888D	37			PSH	B		SAVE B REG
00683		888E	A6	00		LDA	A	0,X	MANTISSA TO A AND B REG'X
00684		8890	E6	01		LDA	B	1,X	
00685		8892	43			CBM	A		TAKE TWO'S COMPLEMENT
00686		8893	50			NEG	B		
00687		8894	25	01		BCS		FPPNE2	
00688		8896	4C			INC	A		
00689		8897	81	80	FPPNE2	CMP	A	#80	CHECK FOR SPECIAL CASE #8000
00690		8899	26	09		BNE		FPPNE3	
00691		889B	C1	00		CMP	B	#00	
00692		889D	26	05		BNE		FPPNE3	
00693		889F	0C			CLC			SPECIAL CASE FOUND, CLEAR CARRY
00694		88A0	46			ROR	A		SHIFT MANTISSA RIGHT
00695		88A1	56			ROR	B		
00696		88A2	6C	02		INC		2,X	INCREMENT EXPONENT
00697		88A4	A7	00	FPPNE3	STA	A	0,X	STORE RESULTS
00698		88A6	E7	01		STA	B	1,X	
00699		88A8	33			PUL	B		RESTORE B REG
00700		88A9	32			PUL	A		RESTORE A REG
00701		88AA	39			RTS			RETURN

00703	*				
00704	*				
00705	*	SUBROUTINE FOR ROUNDING, AND FOR OVERFLOW NORMALIZATION			
00706	*				
00707	*				
00708	*	ON ENTRY, A NON-ZERO B REG MEANS ROUNDING IS REQUIRED			
00709	*				
00710	88AB 50	FPPRND	TST B		IS ROUNDING REQUIRED
00711	88AC 27 26		BEG	FPPRN9	NO, SO RETURN
00712	88AE 60 00	FPPRN1	TST	0,X	YES, IS NUMBER POSITIVE OR NEGATIVE
00713	88B0 2A 00		BPL	FPPRN2	NUMBER IS POSITIVE OR ZERO
00714	88B2 60 01		TST	1,X	NUMBER IS NEGATIVE IS LSB ZERO
00715	88B4 27 03		BEG	FPPRN3	YES
00716	88B6 6A 01		DEC	1,X	NO (NO BORROW GENERATED)
00717	88B8 39		RTS		RETURN
00718	88B9 6A 01	FPPRN3	DEC	1,X	BORROW WILL BE GENERATED
00719	88BB 6A 00		DEC	0,X	SO DECREMENT MSB ALSO
00720	88BD 20 06		BRA	FPPRN4	GO CHECK FOR OVERFLOW
00721	88BF 6C 01	FPPRN2	INC	1,X	NUMBER IS POSITIVE SO ROUND UP
00722	88C1 26 11		BNE	FPPRN9	GET OUT SINCE THERE IS NO CARRY
00723	88C3 6C 00		INC	0,X	CARRY SET, SO INCRMT MSB
00724	88C5 28 00	FPPRN4	BVC	FPPRN9	CHK FOR OVFLW, GET OUT IF CLEAR
00725	*				
00726	*	OVERFLOW HANDLING ENTRY POINT			
00727	*				
00728	88C7 6C 02	FPPBVF	INC	2,X	INCREMENT EXPONENT
00729	88C9 60 00		TST	0,X	POS OR NEG OVFLW, CARRY=0
00730	88CB 2B 01		BMI	FPPRN5	BRANCH FOR POSITIVE OVERFLOW
00731	88CD 00		SEC		NEGATIVE OVERFLOW SO SET CARRY
00732	88CE 66 00	FPPRN5	ROH	0,X	ROTATE RIGHT MSB OF MANTISSA
00733	88D0 66 01		ROR	1,X	ROTATE RIGHT LSB OF MANTISSA
00734	88D2 25 DA		BCS	FPPRN1	SEE IF FURTHER ROUNDING REQUIRED
00735	88D4 39	FPPRN9	RTS		RETURN TO CALL

```

00737      *
00738      *
00739      *      FLOATING POINT ADDITION
00740      *
00741      *
00742 88D5 BD 8A6D FPPADD JSR      FPPASU      SETUP ARGUMENTS ON STACK
00743 88D8 30      FPPADC TSX      SET INDEX TO TOP OF STACK
00744 88D9 6D 06      TST      FPPAR2,X      IS ARG2 ZERO
00745 88DB 27 67      BEQ      FPPM0C      YES, RETURN ARG1
00746 88DD 6D 0B      TST      FPPAR1,X      NO, IS ARG1 ZERO
00747 88DF 27 3F      BEQ      FPPRT2      YES, RETURN ARG2
00748 88E1 A6 0D      LDA A  FPPAR1+2,X      FORM DIFFERENCE OF EXPONENTS
00749 88E3 A0 0B      SUB A  FPPAR2+2,X
00750 88E5 A7 02      STA A  FPPEXD,X      PUT IT ON THE STACK
00751 88E7 81 0F      CMP A  #15          IS DIFF GT 15
00752 88E9 2E 59      BGT   FPPM0C      YES, RETURN ARG1
00753 88EB 81 F1      CMP A  #0-15      NO, IS DIFF LT -15
00754 88ED 2D 31      BLT   FPPRT2      YES, RETURN ARG2
00755 88EF 4D      TST A          NO, IS ARG2 GT ARG1
00756 88F0 2E 0B      BGT   FPPAD1      SET INDEX TO ARG2 ON STACK
00757 88F2 27 0E      BEQ   FPPAD2      EXPONENTS ARE EQUAL
00758 88F4 08      INX
00759 88F5 08      INX
00760 88F6 08      INX
00761 88F7 08      INX
00762 88F8 08      INX
00763 88F9 40      NEG A
00764 88FA 08      FPPAD1 INX      ADJUST INDEX TO ARGUMENT TO BE SHIFT
00765 88FB 08      INX
00766 88FC 08      INX
00767 88FD 08      INX
00768 88FE 08      INX
00769 88FF 08      INX
00770 8900 2D 2C      BRA   FPPSFT      SHIFT SMALLER ARGUMENT
00771 8902 30      FPPAD2 TSX      RESTORE INDEX TO TOP OF STACK
00772      *
00773      *      ADDITION OF MANTISSAS
00774      *
00775 8903 A6 0D      LDA A  FPPAR1+2,X
00776 8905 A7 05      STA A  FPPRES+2,X      STORE THE EXPONENT
00777 8907 A6 0C      LDA A  FPPAR1+1,X
00778 8909 AB 07      ADD A  FPPAR2+1,X
00779 890B A7 04      STA A  FPPRES+1,X      STORE LSB OF MANTISSA
00780 890D E6 0B      LDA B  FPPAR1,X      ADD MSB OF MANTISSAS, USE B REG
00781 890F E9 06      ADC B  FPPAR2,X
00782 8911 07      TPA          SAVE V IN TH A REG
00783 8912 E7 03      STA B  FPPRES,X      STORE THE RESULT
00784 8914 06      TAP          RESTORE THE V BIT
00785 8915 2B 2F      BVC   FPPN0R      NORMALIZE IF NO OVERFLOW
00786 8917 0B      INX          SET INDEX TO RESULT
00787 8918 0B      INX
00788 8919 0B      INX
00789 891A BD 88C7      JSR   FPP0VF      GO TO OVERFLOW-ROUNDING ROUTINE
00790 891D 30      TSX          RESTORE INDEX REG

```

C0791	891E	20	26		BRA	FPPNOR	GO TO NORMALIZATION ROUTINE
C0792				*			
C0793				*			RETURN ARGUMENT 2 AS RESULT
C0794				*			
C0795	8920	A6	06		FPPRT2	LDA A FPPAR2,X	MOVE 3 BYTES TO FPPRES ON STACK
C0796	8922	A7	03			STA A FPPRES,X	
C0797	8924	A6	07			LDA A FPPAR2+1,X	
C0798	8926	A7	04			STA A FPPRES+1,X	
C0799	8928	A6	08			LDA A FPPAR2+2,X	
C0800	892A	A7	05			STA A FPPRES+2,X	
C0801	892C	20	34		BRA	FPPMOV	MOVE RESULT TO ARG1 MEMORY LOCATION
C0802				*			
C0803				*			ROUTINE TO SHIFT MANTISSA RIGHT AND ADJUST EXPONENT
C0804				*			
C0805				*			A REGISTER CONTAINS SHIFT COUNT, AND INDEX POINTS TO
C0806				*			TO BE ADJUSTED
C0807				*			
C0808	892E	5F			FPPSFT	CLR B	SET B TO INDICATE NO ROUNDING
C0809	892F	40			FPPSF1	TST A	SEE IF FURTHER SHIFTING REQUIRED
C0810	8930	27	0D		BEG	FPPSF2	NONE REQUIRED, SO GO TO ROUNDING SECT
C0811	8932	4A				DEC A	DECREMENT COUNT
C0812	8933	6C	02			INC 2,X	INCREMENT EXPONENT
C0813	8935	67	00			ASR 0,X	ARITH SHIFT RIGH MSB OF MANTISSA
C0814	8937	66	01			ROR 1,X	ROTATE RIGHT LSB OF MANTISSA
C0815	8939	24	F3			BCC FPPSFT	SET B REG ACCORDING TO STATE OF CARRY
C0816	8938	C6	01			LDA B #1	
C0817	893D	20	F0			BRA FPPSF1	CONTINUE LOOP
C0818	893F	B0	88AB		FPPSF2	JSR FPPRND	SEE IF ROUNDING REQUIRED
C0819	8942	20	BE			BRA FPPAD2	GET OUT OF THIS ROUTINE
C0820				*			
C0821	8944	20	2D		FPPM00	BRA FPPM01	DUMMY TO EXTEND BRANCHING RANGE
C0822				*			

```

C0824      *
C0825      *      NORMALIZATION ROUTINE (SHIFT MANTISSA LEFT UNTIL TWO
C0826      *      BITS ARE DIFFERENT. DO NOT NORMALIZE ZERO RESULT)
C0827      *
C0828 8946 6D 03  FPPN0R TST   FPPRES,X   IS MSB OF MANTISSA ZERO
C0829 8948 26 04      BNE   FPPN01   NO, SO NORMALIZE
C0830 894A 6D 04      TST   FPPRES+1,X IS LSB OF MANTISSA ZERO
C0831 894C 27 14      BEQ   FPPM0V   YES, DO NOT NORMALIZE
C0832      *
C0833      *      START OF REGULAR NORMALIZATION
C0834      *
C0835 894E A6 03  FPPN01 LDA A  FPPRES,X   IS SIGN BIT CLEAR
C0836 8950 2C 05      BGE   FPPN02   YES, CHECK FOR BIT 6 SET
C0837 8952 49      ROL A      NO, IS BIT 6 CLEAR
C0838 8953 24 05      BMI   FPPN03   NO, GO TO SHIFT LEFT ROUTINE
C0839 8955 20 08      BRA   FPPM0V   YES, NORMALIZATION COMPLETE
C0840 8957 49      FPPN02 ROL A      SIGN BIT CLEAR, IS BIT 6 SET
C0841 8958 24 08      BMI   FPPM0V   YES, NORMALIZATION COMPLETE
C0842      *
C0843      *      ROUTINE TO SHIFT RESULT LEFT ONE PLACE
C0844      *
C0845 895A 68 04  FPPN03 ASL   FPPRES+1,X
C0846 895C 69 03      ROL   FPPRES,X   ROTATE LEFT MSB OF MANTISSA
C0847 895E 6A 05      DEC   FPPRES+2,X  DECREMENT EXPONENT
C0848 8960 20 EC      BRA   FPPN01   BACK TO START OF LOOP
C0849      *
C0850      *
C0851      *      MOVE RESULT FROM STACK INTO MEMORY
C0852      *
C0853 8962 A6 03  FPPM0V LDA A  FPPRES,X
C0854 8964 E6 04      LDA B  FPPRES+1,X
C0855 8966 EE 0E      LDX   FPPPA1,X
C0856 8968 A7 00      STA A  0,X
C0857 896A E7 01      STA B  1,X
C0858 896C 30      TSX
C0859 896D A6 05      LDA A  FPPRES+2,X
C0860 896F EE 0E      LDX   FPPPA1,X
C0861 8971 A7 02      STA A  2,X
C0862      *
C0863      *      CLEAN UP STACK
C0864      *
C0865 8973 86 12  FPPM01 LDA A  #FPPRTN*2
C0866 8975 31      FPPM02 INS                INCREMENT STACK POINTER
C0867 8976 4A      DEC A                DECREMENT COUNT
C0868 8977 2E FC      BGT   FPPM02        LOOP TEST
C0869 8979 39      RTS                RETURN FROM SUBROUTINE

```

```

C0871      *
C0872      *
C0873      *      FLOATING POINT MULTIPLY
C0874      *
C0875      *
C0876 897A BD 8A60 FPPMUL JSR      FPPASU.  SET UP ARGUMENTS ON STACK
C0877 897D 30          TSX          SET INDEX TO TOP OF STACK
C0878 897E BD 8A44    JSR      FPPSMO.  PROCESS ARGUMENTS
C0879 8981 30          TSX          SET INDEX TO TOP OF STACK
C0880 8982 E7 02     STA B  FPPSGN,X  STORE THE SIGN FLAG
C0881 8984 A6 0D     LDA A  FPPAR1+2,X  ADD EXPONENTS AND
C0882 8986 A8 08     ADD A  FPPAR2+2,X  STORE IN THE
C0883 8988 4A        DEC A          ADJUST EXPONENT TO ACCOUNT FOR SHIFT W
C0884 8989 A7 01     STA A  FPPCRY,X  SAVE THE RESULT EXPONENT ON STACK
C0885      *
C0886      *      MULTIPLY MANTISSAS
C0887      *
C0888 898B 68 07     ASL      FPPAR2+1,X
C0889 898D 69 06     ROL      FPPAR2,X   ROTATE ARG2 TO SAVE A BIT OF SIGNIF
C0890 898F 6F 0D     CLR      FPPAR1+2,X  CLEAR 3RD BYTE OF ARG1
C0891 8991 6F 03     CLR      FPPRES,X   CLEAR RESULT LOCATION(24 BIT ACCUMU
C0892 8993 6F 04     CLR      FPPRES+1,X
C0893 8995 6F 05     CLR      FPPRES+2,X
C0894 8997 86 0E     LDA A  #15        INITIALIZE THE
C0895 8999 A7 00     STA A  FPPCNT,X   LOOP COUNT
C0896 899B 68 07     FPPMU1 ASL      FPPAR2+1,X  SHIFT ARG2 MANTISSA LEFT
C0897 899D 69 06     ROL      FPPAR2,X   IS CARRY SET
C0898 899F 24 12     BCC     FPPMU2    NO, SKIP ADD OPERATION
C0899 89A1 A6 05     LDA A  FPPRES+2,X
C0900 89A3 A8 0D     ADD A  FPPAR1+2,X
C0901 89A5 A7 05     STA A  FPPRES+2,X
C0902 89A7 A6 04     LDA A  FPPRES+1,X
C0903 89A9 A9 0C     ADC A  FPPAR1+1,X
C0904 89AB A7 04     STA A  FPPRES+1,X
C0905 89AD A6 03     LDA A  FPPRES,X
C0906 89AF A9 08     ADC A  FPPAR1,X
C0907 89B1 A7 03     STA A  FPPRES,X
C0908 89B3 64 08     FPPMU2 LSR      FPPAR1,X  SHIFT ARG 1 MANTISSA RIGHT
C0909 89B5 66 0C     ROR      FPPAR1+1,X
C0910 89B7 66 0D     ROR      FPPAR1+2,X
C0911 89B9 6A 00     DEC     FPPCNT,X   DECREMENT LOOP COUNT
C0912 89BB 6D 00     TST     FPPCNT,X   IS LOOP FINISHED
C0913 89BD 2E DC     BGT     FPPMU1    NO, GO BACK TO START OF LOOP
C0914 89BF 6D 03     TST     FPPRES,X   IS SIGN BIT SET
C0915 89C1 2F 0A     BLE     FPPMU8    YES, OR POSSIBLY ZERO RESULT
C0916 89C3 6A 01     FPPMU3 DEC     FPPCRY,X  DECREMENT EXPONENT
C0917 89C5 68 05     ASL     FPPRES+2,X  SHIFT RESULT MANTISSA LEFT
C0918 89C7 69 04     ROL     FPPRES+1,X
C0919 89C9 69 03     ROL     FPPRES,X
C0920 89CB 2A F6     BPL     FPPMU3    CONTINUE UNTIL SIGN BIT SET
C0921 89CD A6 01     FPPMU8 LDA A  FPPCRY,X  MOVE EXPONENT
C0922 89CF A7 05     STA A  FPPRES+2,X
C0923 89D1 6D 03     FPPMU6 TST     FPPRES,X  CHECK FOR ZERO RESULT
C0924 89D3 2A 07     BPL     FPPMU7    SKIP OVERFLOW OPERATION FOR ZERO RESU
    
```

00925	89D5	08		INX		ADJUST FOR OVFLOW, AND ROUND RESULT
00926	89D6	08		INX		SET INDEX TO FPPRES
00927	89D7	03		INX		
00928	89D8	BD	88C7	JSR	FPP0VF	CALL OVERFLOW ROUTINE
00929	89DB	30		TSX		
00930	89DC	6D	02	FPPMU7	TST	FPPSGN,X IS THE RESULT NEGATIVE
00931	89DE	27	07	BEG	FPPMU4	NO, SKIP COMPLEMENTING OPERATION
00932	89E0	08		INX		YES, NEGATE RESULT
00933	89E1	08		INX		
00934	89E2	08		INX		INDEX TO FPPRES
00935	89E3	BD	888C	JSR	FPPNE1	NEGATION ROUTINE
00936	89E6	30		TSX		RESTORE INDEX
00937	89E7	7E	8946	FPPMU4	JMP	FPPN0R GO TO NORMALIZING ROUTINE

```

C0939 *
C0940 *
C0941 *      FLOATING POINT DIVIDE
C0942 *
C0943 *
C0944 89EA 8D 8A60 FPPDIV JSR    FPPASU   SET UP ARGS ON STACK
C0945 89ED 30          TSX      INDEX TO TOP OF STACK
C0946 89EE 6D 06      TST     FPPAR2,X  IS DIVISOR ZERO
C0947 89F0 27 45      BEQ     FPPZDV  YES, PROCESS SPECIAL CASE
C0948 89F2 8D 8A44    JSR     FPPSMD  PROCESS ARGS 1 & 2
C0949 89F5 30          TSX      SET INDEX TO TOP OF STACK
C0950 89F6 E7 02      STA B  FPPSGN,X  STORE THE SIGN FLAG
C0951 89F8 A6 0D      LDA A  FPPAR1+2,X  FORM DIFFERENCE OF EXPONENTS
C0952 89FA A0 08      SUB A  FPPAR2+2,X
C0953 89FC A7 05      STA A  FPPRES+2,X  PUT EXPONENT AWAY
C0954 89FE 86 10      LDA A  #16        INITIALIZE THE
C0955 8A00 A7 00      STA A  FPPCNT,X  LOOP COUNTER
C0956 *
C0957 *      LOGIC TO MAKE SURE 16 BITS OF QUOTIENT ARE COMPUTED
C0958 *
C0959 8A02 A5 09      LDA A  FPPAR1,X  COMPUTE DIFFERENCE FOUND FIRST TIM
C0960 8A04 E5 0C      LDA B  FPPAR1+1,X
C0961 8A06 E0 07      SUB B  FPPAR2+1,X
      8A08 A2 05      SBC A  FPPAR2,X
C0963 8A0A 4D          TST A          IS REMAINDER NEGATIVE
C0964 8A0B 2A 11      BPL     FPPDI4  NO, LEADING BIT IS 1
C0965 8A0D 68 0C      ASL     FPPAR1+1,X  YES, LEADING BIT IS ZERO
C0966 8A0F 69 0B      ROL     FPPAR1,X   SO SHIFT NUMERATOR MANTISSA LEFT 8
C0967 8A11 6A 05      DEC     FPPRES+2,X  DECREMENT EXPONENT OF RESULT
C0968 *
C0969 *      MAIN DIVISION LOOP
C0970 *
C0971 8A13 A6 08      FPPDI1 LDA A  FPPAR1,X  LOAD REMAINDER
C0972 8A15 E6 0C      LDA B  FPPAR1+1,X  WHICH STARTS AS THE NUMERATOR
C0973 8A17 E0 07      SUB B  FPPAR2+1,X  SUBTRACT DIVISOR
C0974 8A19 A2 06      SBC A  FPPAR2,X
C0975 8A1B 4D          TST A          IS REMAINDER NEGATIVE (CARRY=0)
C0976 8A1C 2D 01      BLT     FPPDI2  YES, CARRY IS CLEAR, SKIP
C0977 8A1E 0D          FPPDI4 SEC      NO, SET CARRY
C0978 8A1F 69 04      FPPDI2 ROL     FPPRES+1,X  SHIFT CARRY BIT
C0979 8A21 69 03      ROL     FPPRES,X   INTO THE QUOTIENT
C0980 8A23 4D          TST A          IS REMAINDER NEGATIVE
C0981 8A24 2D 04      BLT     FPPDI3  YES, SO SHIFT OLD REM LEFT
C0982 8A26 A7 0B      STA A  FPPAR1,X   NO, SO STORE NEW REMAINDER
C0983 8A28 E7 0C      STA B  FPPAR1+1,X
C0984 8A2A 68 0C      FPPDI3 ASL     FPPAR1+1,X  SHIFT OLD REMAINDER LEFT
C0985 8A2C 69 0B      ROL     FPPAR1,X
C0986 8A2E 6A 00      DEC     FPPCNT,X  LOOP TEST
      8A30 6D 00      TST     FPPCNT,X
C0988 8A32 2E 0F      BGT     FPPDI1  CONTINUE LOOPING
C0989 8A34 7E 89D1    JMP     FPPMUE
C0990 *
C0991 8A37 86 7F      FPPZDV LDA A  #127   ZERO DIVISION, SET 0 TO MAX
C0992 8A39 A7 03      STA A  FPPRES,X   POSITIVE VALUE

```

C0993	8A3B	A7	05		STA A	FPPRES+2,X	
C0994	8A3D	86	FF		LDA A	##FF	
C0995	8A3F	A7	04		STA A	FPPRES+1,X	
C0996	8A41	7E	8962		JMP	FPPMOV	
C0998				*			
C0999				*		PROCESS TWO ARGUMENTS	
C1000				*			
C1001	8A44	5F		FPPSMD	CLR B		CLEAR THE SIGN INDICATOR
C1002	8A45	08			INX		SET INDEX TO ARG 2
C1003	8A46	08			INX		
C1004	8A47	08			INX		
C1005	8A48	08			INX		
C1006	8A49	08			INX		
C1007	8A4A	08			INX		
C1008	8A4B	BD	8A57		JSR	FPPPAR	PROCESS ARGUMENT 2
C1009	8A4E	08			INX		SET INDEX TO ARG 1
C1010	8A4F	08			INX		
C1011	8A50	08			INX		
C1012	8A51	08			INX		
C1013	8A52	08			INX		
C1014	8A53	BD	8A57		JSR	FPPPAR	PROCESS ARGUMENT 1
C1015	8A56	39			RTS		RETURN
C1016				*			
C1017				*		SUBROUTINE TO PROCESS MUL ARGS	
C1018				*			
C1019				*		INDEX POINTS TO FP ARGUMENT	
C1020				*			
C1021	8A57	6D	00	FPPPAR	TST	0,X	IS ARG NEGATIVE
C1022	8A59	2C	04		BGE	FPPAC	NO, SKIP SIGN CHANGE
C1023	8A5B	53			COM B		COMPLEMENT THE RESULT SIGN
C1024	8A5C	BD	888C		JSR	FPPNE1	NEGATE ARGUMENT
C1025	8A5F	39		FPPPAO	RTS		RETURN
C1026				*			
C1027				*		ROUTINE TO SET UP ARGUMENTS ON THE STACK	
C1028				*			
C1029				*		A REG CONTAINS POINTER TO ARG1	
C1030				*		B REG CONTAINS POINTER TO ARG2	
C1031				*			
C1032				*		THE B REG WILL BE USED TO CONTROL THE TWO PASS	
C1033				*			
C1034	8A60	36		FPPASU	PSH A		LSB OF ADDRESS ONTO STACK
C1035	8A61	4F			CLR A		CLEAR A REGISTER
C1036	8A62	36			PSH A		MSB OF ARG ADDRESS ONTO STACK
C1037	8A63	30			TSX		LOAD ADDRESS OF ARG INTO X
C1038	8A64	EE	00		LDX	0,X	
C1039	8A66	A6	02		LDA A	2,X	ARG EXPONENT ONTO STACK
C1040	8A68	36			PSH A		
C1041	8A69	A6	01		LDA A	1,X	LSB OF ARG MANTISSA ONTO STACK
C1042	8A6B	36			PSH A		
C1043	8A6C	A6	00		LDA A	0,X	MSB OF ARG MANTISSA ONTO THE S
C1044	8A6E	36			PSH A		
C1045	8A6F	5D			TST B		IS THE B REG CLEAR
C1046	8A70	27	04		BEG	FPPAS2	YES, EXIT FROM LOOP
C1047	8A72	17			TBA		NO, MOVE BREG TO A REG

01048	8A73	5F		CLR B		CLEAR B REG TO INDICATE LOOP TERM
01049	8A74	20	EA	BRA	FPPASU	REPEAT SEQUENCE FOR ARG2
01050	8A76	34		FPPAS2	DES	LEAVE SIX ADDITIONAL POSITIONS ON
01051	8A77	34		DES		
01052	8A78	34		DES		
01053	8A79	34		DES		
01054	8A7A	34		DES		
01055	8A7B	34		DES		
01056	8A7C	30		TSX		SET INDEX TO TOP OF STACK
01057	8A7D	EE	10	LDX	FPPRTN,X	
01058	8A7F	6E	00	JMP	0,X	RETURN (RTS CANNOT BE USED HERE)
01059				*		
01060				*		STACK LOCATION SYMBOLS
01061				*		
01062		0000		FPPCNT	EQU	0 LOOP COUNTER
01063		0001		FPPCRY	EQU	FPPCNT+1 CARRY INDICATOR
01064		0002		FPPSGN	EQU	FPPCRY+1 PRODUCT (QUOTIENT) SIGN
01065		0002		FPPEXD	EQU	FPPSGN EXPONENT DIFFERENCE
01066		0003		FPPRES	EQU	FPPEXD+1 RESULT OF OPERATION
01067		0006		FPPAR2	EQU	FPPRES+3 ARG 2 (DATA)
01068		0009		FPPPA2	EQU	FPPAR2+3 ARG 2 (POINTER)
01069		0008		FPPAR1	EQU	FPPPA2+2 ARG 1 (DATA)
01070		000E		FPPPA1	EQU	FPPAR1+3 ARG 1 (POINTER)
01071		0010		FPPRTN	EQU	FPPPA1+2 RETURN ADDRESS
01072				*		
01073				*		
01074				*		FLOAT
01075				*		
01076				*		
01077	8A81	BD	8A60	FPPFLT	JSR	FPPASU SET UP ARGS
01078	8A84	30		TSX		SET INDEX TO TOP OF STACK
01079	8A85	86	0F	LDA A	#15	15 TO THE A REG
01080	8A87	A7	05	STA A	FPPRES+2,X	SET THE RESULT EXPONENT
01081	8A89	A6	06	LDA A	FPPAR2,X	MOVE MANTISSA
01082	8A8B	A7	03	STA A	FPPRES,X	
01083	8A8D	A6	07	LDA A	FPPAR2+1,X	
01084	8A8F	A7	04	STA A	FPPRES+1,X	
01085	8A91	7E	8946	JMP	FPPNOR	GO TO NORMALIZING SECTION
01086				*		
01087				*		
01088				*		IFIX
01089				*		
01090				*		
01091	8A94	BD	8A60	FPPFIX	JSR	FPPASU SET UP ARGS
01092	8A97	30		TSX		SET UP INDEX TO TOP OF STACK
01093	8A98	A6	08	LDA A	FPPAR2+2,X	GET EXPONENT INTO A REG
01094	8A9A	81	0F	FPPFI1	CMP A	#15 COMPARE EXPONENT WITH 15
01095	8A9C	27	10	BEQ	FPPFI3	EQUAL
01096	8A9E	2E	07	BGT	FPPFI2	LESS THAN
01097				*		EXPONENT IS LESS THAN 15 SO SHIFT RIGHT
01098	8AA0	4C		INC A		INCREMENT EXPONENT
01099	8AA1	67	06	ASR	FPPAR2,X	SHIFT MANTISSA RIGHT
01100	8AA3	66	07	ROR	FPPAR2+1,X	
01101	8AA5	2C	F3	BRA	FPPFI1	CONTINUE LOOPING

C1102		*	EXPONENT GREATER THAN 15 SO SHIFT LEFT (ERROR)
C1103	8AA7 4A	FPPFI2	DEC A
C1104	8AA8 68 07	ASL	FPPAR2+1,X SHIFT MANTISSA LEFT
C1105	8AAA 69 06	R0L	FPPAR2,X
C1106	8AAC 20 EC	BRA	FPPFI1 CONTINUE LOOPING
C1107		*	EXPONENT EQUAL TO 15 SO SHIFT IS COMPLETE
C1108	8AAE A6 06	FPPFI3	LDA A FPPAR2,X TRANSFER RESULTS
C1109	8AB0 E6 07	LDA	B FPPAR2+1,X
C1110	8AB2 EE 0E	LDX	FPPPA1,X
C1111	8AB4 A7 00	STA	A 0,X
C1112	8AB6 E7 01	STA	B 1,X
C1113	8AB8 7E 8973	JMP	FPPM01 GO CLEAN UP STACK
C1114		*	
C1115		*	
C1116		*	FLOATING POINT NEGATE
C1117		*	
C1118		*	
C1119	8ABB 8D 8A60	FPPNEG	JSR FPPASU SET UP ARGUMENTS
C1120	8ABE 30	TSX	SET INDEX TO TOP OF STACK
C1121	8ABF 08	INX	SET INDEX TO ARG2
C1122	8AC0 08	INX	
C1123	8AC1 08	INX	
C1124	8AC2 08	INX	
C1125	8AC3 08	INX	
C1126	8AC4 08	INX	
C1127	8AC5 8D 888C	JSR	FPPNE1
C1128	8AC8 30	TSX	INDEX TO TOP OF STACK
C1129	8AC9 7E 8920	JMP	FPPRT2 RETURN ARG2
C1130		*	
C1131		*	
C1132		*	FLOATING POINT CLEAR
C1133		*	
C1134		*	
C1135	8ACC 36	FPPCLR	PSH A PUT ADDRESS ONTO STACK
C1136	8ACD 4F	CLR	A
C1137	8ACE 36	PSH	A
C1138	8ACF 30	TSX	INDEX TO TOP OF STACK
C1139	8AD0 EE 00	LDX	0,X GET ADDRESS INTO INDEX REG
C1140	8AD2 6F 00	CLR	0,X CLEAR THREE CONSECUTIVE BYTES
C1141	8AD4 6F 01	CLR	1,X
C1142	8AD6 6F 02	CLR	2,X
C1143	8AD8 31	INS	CLEAN UP STACK
C1144	8AD9 31	INS	
C1145	8ADA 39	RTG	RETURN
C1146		END	

SYMBOL TABLE

A1	0000	A2	0003	PSH4T1	0006	PSH4T2	0008	L1	000A	L2	000B
A3	000C	R0UADD	000F	INCH	FA8B	BUTCH	F9DC	L00P	8503	ADD	853A
SUB	8542	MUL	854A	DIV	8552	FL0AT	855A	IFIX	856B	NEGATE	857E
CLEAR	8586	PRINT	858D	L00P1	859A	L00PA	85A1	L00P2	85A5	L00PB	85AC
PRIN1	858D	SETUP1	85D2	SETUP2	85E1	SUREG	85FB	READ3B	8600	READ31	8606
READ32	860A	READ33	8619	READ34	8625	READ35	8644	WRIT3B	864B	WRIT31	8652
WRIT32	865E	WRIT35	8667	WRIT33	8673	WRIT34	8675	QUERY	868A	NEWLIN	8693
STFP	869E	STFPA4	0001	STFPA3	0005	STFPA2	0009	STFPA1	000D	STFPSG	0010
STFPDP	0011	STFPRS	0012	STFP1	868D	STFP2	86CC	STFP3	86D4	STFP4	8707
STFP5	871A	STFP6	872D	FPST	8732	FPSTA5	0001	FPSTA4	0005	FPSTA3	0009
FPSTA2	000D	FPSTA1	0011	FPSTDP	0014	FPSTSD	0015	FPSTVL	0016	FPST1	8767
FPST2	876F	FPST3	877B	FPST4	8791	FPST5	87A7	FPST6	87B0	FPST7	87BD
FPST8	87CA	FPST9	880C	FPST10	8819	FPST11	881B	PSH4	8820	FPPCMP	883A
FPPCPY	885B	FPPSUB	887D	FPPNE1	888C	FPPNE2	8897	FPPNE3	88A4	FPPRND	88AB
FPPRN1	88AE	FPPRN3	88B9	FPPRN2	88BF	FPPRN4	88C5	FPP8VF	88C7	FPPRN5	88CE
FPPRN9	88D4	FPPADD	88D5	FPPADD	88D8	FPPAD1	88FA	FPPAD2	8902	FPPRT2	8920
FPPSFT	892E	FPPSF1	892F	FPPSF2	893F	FPPM00	8944	FPPN0R	8946	FPPN01	894E
FPPN02	8957	FPPN03	895A	FPPM0V	8962	FPPM01	8973	FPPM02	8975	FPPMUL	897A
FPPMU1	899B	FPPMU2	89B3	FPPMU3	89C3	FPPMU8	89CD	FPPMU6	89D1	FPPMU7	89DC
FPPMU4	89E7	FPPDIV	89EA	FPPDI1	8A13	FPPDI4	8A1E	FPPDI2	8A1F	FPPDI3	8A2A
FPPZDV	8A37	FPPSMD	8A44	FPPPAR	8A57	FPPPA0	8A5F	FPPASU	8A60	FPPAS2	8A76
FPPCNT	0000	FPPCRY	0001	FPPSGN	0002	FPPEXD	0002	FPPRES	0003	FPPAR2	0006
FPPPA2	0009	FPPAR1	0008	FPPPA1	000E	FPPRTN	0010	FPPFLT	8A81	FPPFIX	8A94
FPPFI1	8A9A	FPPFI2	8AA7	FPPFI3	8AAE	FPPNEG	8AB8	FPPCLR	8ACC		

ALPHA SYMBOL TABLE

A1	0000	A2	0003	A3	000C	ADD	853A	CLEAR	8586	DIV	8552
FL0AT	855A	FPPADD	88D5	FPPAD1	88FA	FPPAD2	8902	FPPADD	88D5	FPPAR1	0008
FPPAR2	0006	FPPAS2	8A76	FPPASU	8A60	FPPCLR	8ACC	FPPCMP	883A	FPPCNT	0000
FPPCPY	885B	FPPCRY	0001	FPPDI1	8A13	FPPDI2	8A1F	FPPDI3	8A2A	FPPDI4	8A1E
FPPDIV	89EA	FPPEXD	0002	FPPFI1	8A9A	FPPFI2	8AA7	FPPFI3	8AAE	FPPFIX	8A94
FPPFLT	8A81	FPPM00	8944	FPPM01	8973	FPPM02	8975	FPPM0V	8962	FPPMU1	899B
FPPMU2	89B3	FPPMU3	89C3	FPPMU4	89E7	FPPMU6	89D1	FPPMU7	89DC	FPPMU8	89CD
FPPMUL	897A	FPPNE1	888C	FPPNE2	8897	FPPNE3	88A4	FPPNEG	8AB8	FPPN01	894E
FPPN02	8957	FPPN03	895A	FPPN0R	8946	FPP8VF	88C7	FPPPA0	8A5F	FPPPA1	000E
FPPPA2	0009	FPPPAR	8A57	FPPRES	0003	FPPRN1	88AE	FPPRN2	88BF	FPPRN3	88B9
FPPRN4	88C5	FPPRN5	88CE	FPPRN9	88D4	FPPRND	88AB	FPPRT2	8920	FPPRTN	0010
FPPSF1	892F	FPPSF2	893F	FPPSFT	892E	FPPSGN	0002	FPPSMD	8A44	FPPSUB	887D
FPPZDV	8A37	FPST	8732	FPST1	8767	FPST10	8819	FPST11	881B	FPST2	876F
FPST3	877B	FPST4	8791	FPST5	87A7	FPST6	87B0	FPST7	87BD	FPST8	87CA
FPST9	880C	FPSTA1	0011	FPSTA2	000D	FPSTA3	0009	FPSTA4	0005	FPSTA5	0001
FPSTDP	0014	FPSTSD	0015	FPSTVL	0016	IFIX	856B	INCH	FA8B	L1	000A
L2	000B	L00P	8503	L00P1	859A	L00P2	85A5	L00PA	85A1	L00PB	85AC
MUL	854A	NEGATE	857E	NEWLIN	8693	BUTCH	F9DC	PRIN1	858D	PRINT	858D
PSH4	8820	PSH4T1	0006	PSH4T2	0008	QUERY	868A	READ31	8606	READ32	860A
READ33	8619	READ34	8625	READ35	8644	READ3B	8600	R0UADD	000F	SETUP1	85D2

SETUP2	85E1	STFP	869E	STFP1	86BD	STFP2	86CC	STFP3	86D4	STFP4	870
STFP5	871A	STFP6	872D	STFPA1	000D	STFPA2	C009	STFPA3	0005	STFPA4	000
STFPDP	0011	STFPRS	0012	STFPSG	0010	SUB	8542	SUREG	85FB	WRIT31	865
WRIT32	865E	WRIT33	8673	WRIT34	8675	WRIT35	8667	WRIT3B	864B		

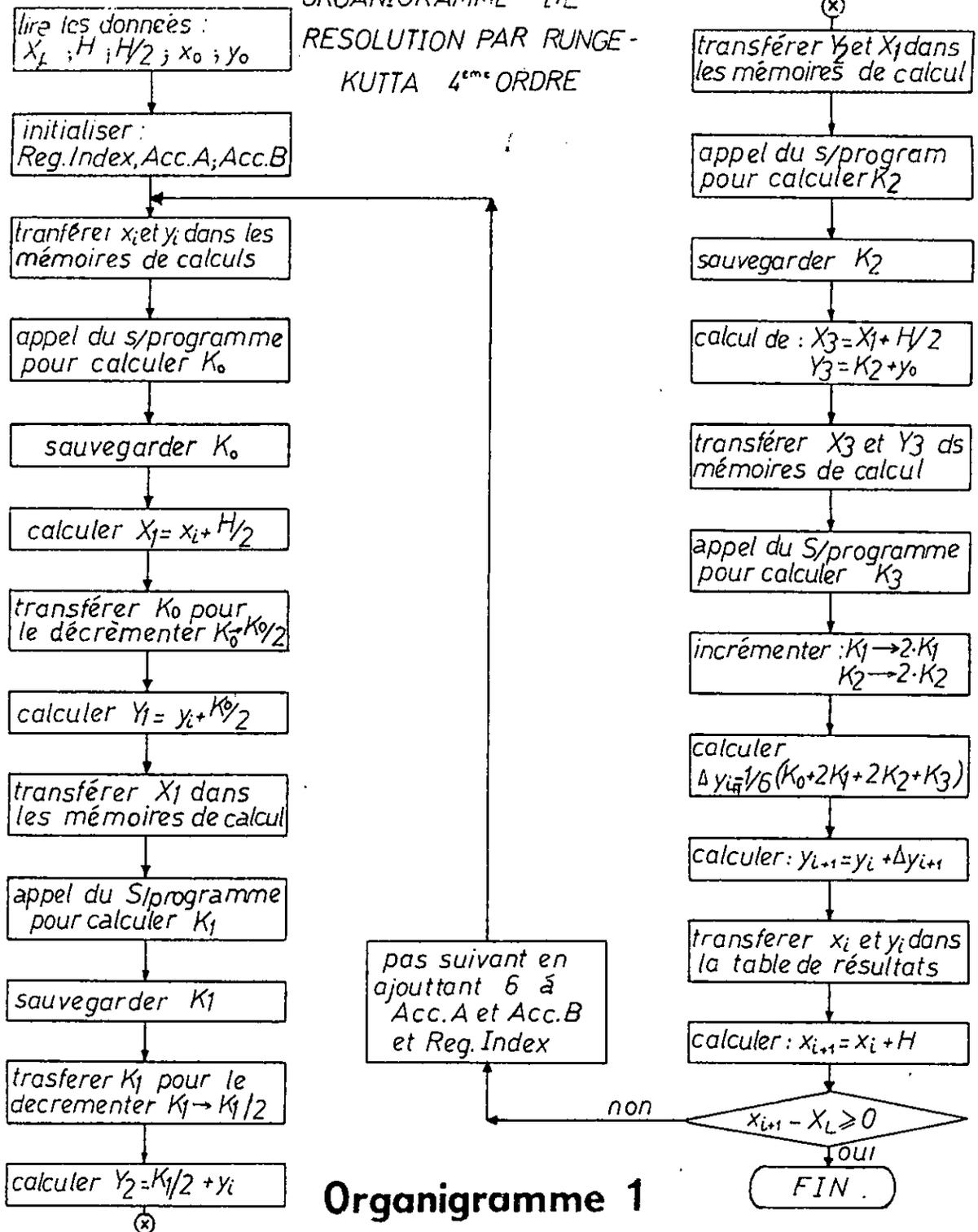
STBP 0

FIN

TOTAL JOB TIME=00:10:12

BEGIN IDLE

ORGANIGRAMME DE
RESOLUTION PAR RUNGE-
KUTTA 4^{me} ORDRE



Organigramme 1

III - A : GENERALITES

Ingénieurs et scientifiques, utilisaient depuis plus de quatre siècles, les méthodes numériques pour résoudre des problèmes très complexes à l'aide des règles à calculer et puis récemment avec des calculateurs analogiques et digitaux.

Ces méthodes numériques sont utilisées pour développer le modèle de simulation qui est une approximation discrète du système réel. Dans la sélection de la technique numérique, l'utilisateur doit considérer l'exactitude et l'efficacité de la méthode spécifiée à son application correspondante.

Un simple système discret consiste en une série de pulsations en des temps égaux (T). Considérons $f(t)$ une fonction continue, quand cette fonction est échantillonnée à des intervalles égaux dans le temps t , cette fonction peut être déterminée par la séquence de nombre $f(0), f(T), f(2T), \dots, f(nT)$.

Cette série de nombres donne une description limitée de la fonction de temps. Car les valeurs de $f(t)$ sont seulement connues au temps $0, T, 2T, \dots, nT$. Les autres valeurs de $f(t)$, à d'autres valeurs du temps sont trouvées par extrapolation ou intrapolation.

Un système à temps discrets est défini comme tout système variable (excitation et réponse) mais seulement à des moments discrets du temps.

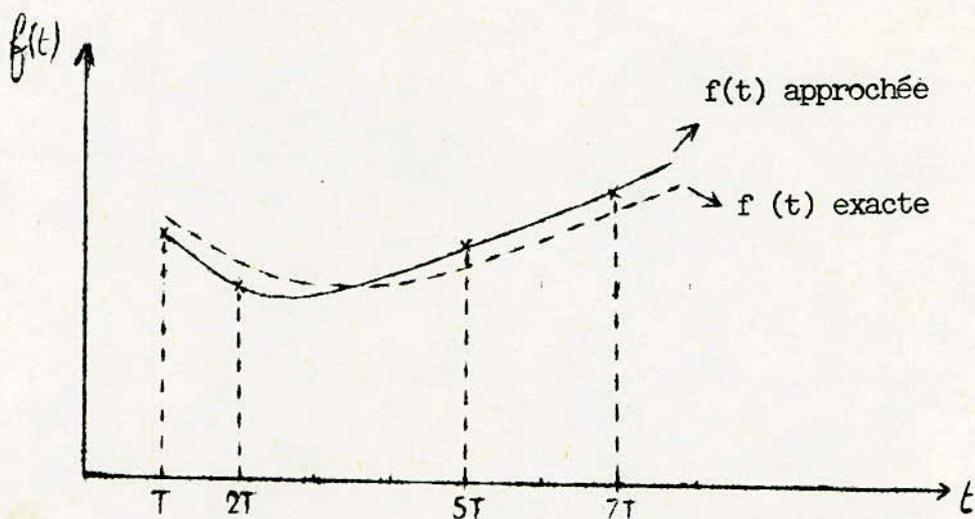
A chaque pas de la simulation, la réponse simulée diffère normalement de la réponse exacte. L'erreur de troncature et l'erreur d'arrondissement sont introduites durant l'intégration de l'équation différentielle.

L'erreur de troncature est déterminée par la nature des approximations dans la méthode utilisée et les caractéristiques d'équipement

du calculateur utilisé (nombre de bits, ...)

L'erreur d'arrondissement est due à l'arrondissement du nombre irrationnel.

Ces erreurs vont s'additionner ensemble à chaque pas de la simulation, ceci nous conduit à une réponse approximative de la réponse exacte comme le montre la figure ci-dessous.



III - B : METHODE DE RUNGE - KUTTA 4EME ORDRE

I - ELABORATION DU PROGRAMME DE RESOLUTION

1°) Présentation de la méthode de RUNGE - KUTTA.

Durant des années une large variété de méthodes numériques ont été développées dans le but de retenir les avantages sur les séries de Taylor qui requièrent un calcul de hautes dérivées. La plus importante et la plus utilisée parmi ces méthodes dans la simulation numérique est celle de RUNGE-KUTTA. Plusieurs ont contribué à ces méthodes numériques, l'approche la plus importante comprise dans toutes celles-ci est de traiter une équation différentielle du type :

$$\frac{dy}{dx} = y'(x) = f(x,y). \quad (1)$$

avec $y = y_0$ et $x = x_0$ comme conditions initiales, dans un domaine D où cette fonction est définie et continue.

La solution d'une telle équation est de la forme suivante :

$$y_{i+1} = y_i + \int_{x_i}^{x_{i+1}} f(x,y) dx = y_i + \Delta y_{i+1} \quad (2)$$

Supposons que pour un point quelconque du domaine, et pour le pas h de la simulation l'équation peut être développée d'après la formule de Taylor :

$$y(x+h) = y(x) + \frac{h}{1!} y'(x) + \frac{h^2}{2!} y''(x) + \frac{h^3}{3!} y'''(x) + \dots + (3)$$

$$y(x+h) = y(x) + \Delta y \quad \Delta y = y(x+h) - y(x)$$

$$\text{donc : } \Delta y = \frac{h}{1!} y'(x) + \frac{h^2}{2!} y''(x) + \frac{h^3}{3!} y'''(x) + \dots \quad (4)$$

Il suffit donc de calculer les différentes dérivées $y'; y''; \dots$ les substituer dans l'équation (3) pour trouver la solution de l'équation différentielle. Ce procédé est appelé méthode de RUNGE-KUTTA.

Calcul des dérivées :

$$y' = f(x, y)$$

$$y'' = f'(x, y) = \left(\frac{\delta f}{\delta x} + \frac{\delta f}{\delta y} \cdot \frac{\delta y}{\delta x} \right) = f_x + f_y f$$

$$y''' = \frac{d}{dx} \left(\frac{\delta f}{\delta x} + \frac{\delta f}{\delta y} \cdot \frac{\delta y}{\delta x} \right) = \frac{\delta^2 f}{\delta x^2} + \frac{\delta^2 f}{\delta y \delta x} \cdot \frac{\delta y}{\delta x} +$$

$$+ \frac{\delta f}{\delta y} \cdot \frac{\delta f}{\delta x} + \left[\frac{\delta^2 f}{\delta x \delta y} + \frac{\delta^2 f}{\delta y^2} \cdot \frac{\delta y}{\delta x} + \left(\frac{\delta f}{\delta y} \right)^2 \right] \frac{\delta y}{\delta x}$$

$$y''' = \left[f_{xx} + f_{yx} \cdot f + f_y \cdot f_x \right] + \left[f_{xy} + f_{yy} \cdot f + f_y^2 \right] f.$$

Après substitution de toutes ces dérivées dans l'équation (4), on obtient Δy exprimé en fonction de $f(x, y)$, des dérivées partielles de $f(x, y)$ et des puissances du pas h .

$$d'où : \Delta y = hf + \frac{h^2}{2!} (f_x + f_y f) + \frac{h^3}{3!} (f_{xx} + 2f_{xy} f + f_{yy} f^2 + f_x f_y + f_y f f) + \dots (5)$$

On remarquera, que le but de cette méthode de RUNGE-KUTTA, est une approximation de l'intégrale dans l'équation (2) qui est en toute rigueur de la forme suivante :

$$\int_{x_i}^{x_{i+1}} f(x, y) dx = \Delta y_{i+1} = \mu_0 k_0 + \mu_1 k_1 + \mu_2 k_2 + \dots + \mu_m k_m \quad (6)$$

avec : $\mu_0, \mu_1, \mu_2 \dots \mu_m$: sont les facteurs de poids

$$k_0 = h f(x_0, y_0)$$

$$k_1 = h f(x_0 + \alpha_0 h; y_0 + \beta_0 k_0)$$

$$k_2 = h f(x_0 + \alpha_1 h; y_0 + \beta_1 k_0)$$

$$k_m = h f(x_0 + \alpha_m h; y_0 + \beta_m k_0 + \dots + \beta_{m-1} k_{m-1})$$

Pour chacune des expressions $k_0, k_1 \dots k_m$ est appliquée le développement des séries de Taylor pour les fonctions à 2 variables qui se présente sous cette forme aux points a et b.

$$f(a + u, b + v) = f(a, b) + (u \frac{\delta}{\delta x} + v \frac{\delta}{\delta y}) \cdot f(a, b) + \frac{1}{2!} (u \frac{\delta}{\delta x} + v \frac{\delta}{\delta y})^2 f(a, b) + \frac{1}{3!} (u \frac{\delta}{\delta x} + v \frac{\delta}{\delta y})^3 f(a, b) + \dots \quad (8)$$

Finalement $k_0, k_1, \dots k_m$ sont développées suivant la formule de l'équation (8) et chacune de ces équations est identifiée à l'équation (5). RUNGE - KUTTA est arrivée à un système de 11 équations avec 13 inconnus, qui permettent de trouver ses différentes méthodes 1er Ordre ... qui dépendent du nombre de termes des séries de Taylor.

La méthode du 4ème ordre comprend tous les termes jusqu'à n^4 . Plus l'ordre de la méthode est élevé plus l'erreur est réduite à chaque étape; mais encore plus complexe et plus longue. La plus puissante et la plus utilisé en pratique, est la méthode du 4ème Ordre, qui sera le centre de ce modeste travail.

a) méthode du 4ème Ordre de RUNGE - KUTTA :

$$y_{i+1} = y_i + \frac{1}{6} (k_0 + 2k_1 + 2k_2 + k_3) \quad .$$

Avec :

$$k_0 = h \cdot f(x_0, y_0)$$

$$k_1 = h \cdot f\left(x_0 + \frac{1}{2}h ; y_0 + \frac{1}{2}k_0\right).$$

$$k_2 = h \cdot f\left(x_0 + \frac{1}{2}h ; y_0 + \frac{1}{2}k_1\right)$$

$$k_3 = h \cdot f(x_0 + h ; y_0 + k_2).$$

b) Algorithme de cette méthode

$y(x_0) = y_0, x = x_0$ et $h = x_{i+1} - x_i$ le pas de la simulation.

1er pas $x_0 + h = x_1$ -----) $y(x_0 + h) = y_1$ -----) $y_1 - y_0 = \Delta y_1$

2ème pas $x_1 + h = x_2$ -----) $y(x_1 + h) = y_2$ -----) $y_2 - y_1 = \Delta y_2$

i^{ème} pas $x_i + h = x_{i+1}$ -----) $y(x_i + h) = y_{i+1}$ -----) $y_{i+1} - y_i = \Delta y_{i+1}$

On commence par calculer k_0, k_1, k_2 et k_3 , ceci nous permettra le calcul de $\Delta y_1 = \frac{1}{6} (k_0 + 2k_1 + 2k_2 + k_3)$ qui sera ajoutée à y_0 , le résultat obtenu est y_1 . Cette séquence sera répétée n fois suivant le nombre de pas demandé.

Remarque : Pour le début du calcul, x_0 et y_0 sont connues, k_0 peut être déterminée directement $k_0 = h \cdot f(x_0, y_0)$. Le résultat de cette dernière expression est utilisé pour le calcul de k_1 qui nous permettra de calculer k_2 etc ...

c) Estimation du temps de résolution

Pour chaque pas de la simulation, l'estimation du temps sera donnée par la formule suivante :

.../...

$$t_h = 4 t_f + 10 \alpha + 7 \beta$$

Avec t_f = temps nécessaire pour le calcul de la fonction $f(x,y)$; ce temps sera multiplié par 4 car nous avons 4 expressions à calculer (k_0, k_1, k_2 et k_3).

α = temps nécessaire pour faire une addition.

β " " " " " multiplication.

2°) Programme de résolution:

Du point de vue construction d'un programme de résolution sur le microprocesseur M6800, la méthode de RUNGE-KUTTA ne présente pas de problèmes spéciaux. La plus grande difficulté se trouve dans le calcul des k_i à chaque étape.

Pour conserver un programme de résolution valable pour une équation différentielle quelconque, on procède à l'obtention de $f(x,y)$ donnée par x et y comme une sous-routine spéciale (FPPFK) qui sera appelée par le programme principal de résolution pour le calcul des k_i .

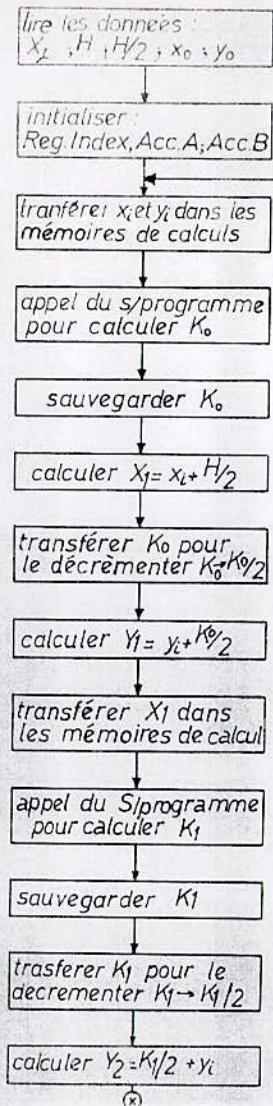
a) Organigramme de résolution (voir ^{organ}~~pro~~gramme 1)

α Conditions initiales, x_0, y_0 , le pas H et la valeur finale x_1 de l'intervalle de résolution, sont introduites en mémoire à l'aide du programme de chargement d'une table (page 50).

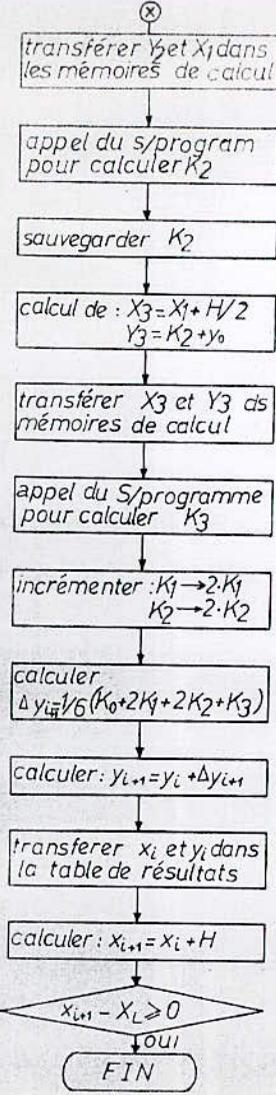
α Pour incrémenter le pas de simulation H , on ajoute le nombre 6 à chacun des accumulateurs A et B. et registre d'index.

α Les expressions k_0, k_1, k_2 et k_3 sont

ORGANIGRAMME DE
RESOLUTION PAR RUNGE-
KUTTA 4^{me} ORDRE



pas suivant en ajoutant 6 à Acc.A et Acc.B et Reg.Index



Organigramme 1

calculées par une sousroutine FPP PK.

* y_{i+1} est calculée par substitution des valeurs de k_i obtenues précédemment dans l'équation $y_{i+1} = y_i + \frac{1}{6} (k_0 + 2k_1 + 2k_2 + k_3)$

* La valeur de x_i est augmentée du pas $H, x_{i+1} = x_i + h$

* Les valeurs x_i et y_i d'une étape sont imprimées dans la table des résultats.

* Un test est fait si le calcul est complet. Sinon, on reboucle encore une nouvelle fois.

b) Programme principal (page 56)

En fin d'exécution du programme, les résultats sont stockés dans la table qui est réservé à cette effet (voir page 60). Chaque résultat occupe 3 bytes (2bytes pour la mantisse et 1 byte exposant).

c) Programme de chargement d'une table

Ce programme consiste à charger les valeurs à utiliser dans le programme principal et à réserver des positions mémoires pour sauvegarder les contenus des accumulateurs A et B ainsi que le registre d'index.

* Après toutes ces réservations, on introduit les données 2 par 2: $X_1, H, H/2, x_0$ et y_0 . Le procédé est le suivant :

Après le point d'interrogation (?) on écrit la donnée en décimal qui sera directement convertie en virgule flottante est stockée dans la mémoire d'adresse 00 à l'aide de la sousroutine (SETUP2.)

* A l'aide de la sousroutine (FPPCPY), on transfert ce chiffre dans la position mémoire réservée à cet effet.

Programme de chargement d'une table de données :

```
8E 00FF   LDS # $F initialiser le pointeur de pile
86 38     LDA A # $8 pointer la mémoire de la première donnée
97 16 DEBUT STA A $16
BD 85E1   JSR SETUP2 introduire les données après le point d'interrogation
           ?XL (LF) ? H (LF) ? F/2 (LF) ? xo (LF) ? yo (LF) ? 0
96 16     LDA A $16
C6 00     LDA B # $00 pointer le nombre converti
BD 885B   JSR FPPCPY transfert de 00 à l'adresse pointée par ACC A.
C6 03     LDA B # $03
96 16     LDA A $16
8B 03:    ADD A # $03 Ajouter 3 pour pointer la donnée suivante
97 16     STA A $16
BD 885B   JSR FPPCPY Transfert du 2ème nombre converti de 03 vers Adresse
           pointer par ACC A
96 16     LDA A $16
8B 03     ADD A # $03 Est ce qu'on pointe la dernière donnée
C6 4A     LDA B # $4A pointe la mémoire de la fin des données
11        CBA           Compare ACC A à ACC B
26 EO     BNE DEBUT   Boucler sinon égaux
3F        SWI           Fin si égaux
```

d) Programme de conversion d'une table de résultats.

* On se donne l'adresse du début de la table à convertir
(ici 41)

* On pointe par ACC A, x_i le chiffre à convertir, puis on appelle la sousroutine de conversion de la virgule flottante à une série de caractères décimaux (FP ST).

II - EXEMPLES DE RESOLUTION, RESULTATS SUR ECRAN DE VISUALISATION.

Le programme principal de résolution d'équations différentielles est étroitement lié au programme BIBMAT de la bibliothèque mathématiques. Cette dernière constitue la source de toutes les sousroutines utilisées par le programme principal. Il faut ajouter à tout cela, la sousroutine du calcul des k_i (FPPPK) qui varie d'une fonction à une autre. Tout exemple de résolution se compose de 4 étapes :

* 1ère Etape : Chargement du sous programme de calcul des k_i de la fonction à simuler.

* 2ème étape : A l'aide du programme d'introduction de table (page 50) les valeurs X_L , H , $H/2$, x_0 et y_0 et quelques nombre utilisés par les opérations seront stockés dans leurs adresses respectives en virgule flottante.

* 3ème Etape : On appelle le programme principal de résolution; après exécution, les résultats sont disponibles en virgule flottante dans la table des résultats dont le début est à l'adresse(41)

4ème Etape : Enfin, on appelle le sous-programme de conversion d'une table qui transformera les résultats directement en décimal sous forme de tableau (à chaque x_i correspond y_i).

1°) Exemple 1

$$\frac{dy}{dx} = f(x,y) = \dot{y} = 2x$$

Les données sont :

- valeurs initiales : $x_0 = 0$ et $y_0 = 0$

- intervalle d'étude : $[0;2]$ $X_L = 2$ et $X_I = 0$

- Valeur du pas : $H = \frac{X_I - X_L}{N}$ } $H = \frac{2-0}{20} = 0,1$
N : Nombre de pas = 20

a) Organigramme de FPPPK (Voir organigramme 2)

b) Programme de FPPPK.

.../...

Algorithme :

$$k_i = 2 \cdot x_i \cdot h.$$

- On calcul xh en virgule flottante

- On incrémente l'exposant pour avoir xh -----) 2 xh
ORG \$ 8ADC

```

96 1A      LDA A $ 1A      Pointer xi par le contenu de 1 A
C6 3B      LDA B # $ 3B   Pointer H le pas de simulation
BD 897A    JSR FPPMUL     Calcul de xi . H des adresse 35
DE 18      LDX $ 18      Contenu de 18 dans Reg. Index
6C 00      INC 0,X        Incrémenté l'exposant -----) 2 xi . H
39         RTS           Retour au programme principal.

```

Remarques : - 1A contient adresse 47 pour le 1er pas

- 1B " " 4A " " " "

- L'adresse de calcul de FPPSPK s'incrémente de

6 à chaque pas de la simulation.

C) Résultats de la résolution (voir page 61)

2°) Exemple 2

$$\frac{dy}{dx} = f(x,y) = \dot{y} = x + y$$

Les données sont : - valeurs initiales : x₀ = 0 et y₀ = 1

- Intervalle d'étude: [0, 2]

- valeur du pas : $H = \frac{2 - 0}{20} = 0,1$

a) Organigramme de FPPSPK (voir organigramme 2)

b) Programme de FPPSPK

* Algorithme : $k_i = H \cdot (x_i + y_i)$

- on calcul x_i + y_i en virgule flottante

- On calcul H. (x_i + y_i).

.../...

```

          ORG      $ 8ADC
96 1A    LDA A    $ 1A Pointer xi pour l'adresse contenu dans 1A
D6 1B    LDA B    $ 1B "      yi "      "      "      "      1B
BD 88D5  JSR FPPADD calculer xi + yi) des adresse 35
96 1A    LDA A    $ 1A Pointer ce résultat
C6 3B    LDA B    ## $ 3B Pointer H le pas
BD 897A  JSR FPPMUL Calculer H.(xi + yi) dans 35
39       RRS      Retour au programme principal.
    
```

C) Résultats de la résolution (Voir page 61)

3°) Exemple 3.

$$\frac{dy}{dx} = f(x,y) = \dot{y} = y - \frac{2x}{y}$$

Les données sont : -valeur^s initiales : $x_0 = 0$; $y_0 = 1$
 - intervalle d'étude : $[0;2]$

$$\left. \begin{array}{l} \text{- Valeur du pas} \\ N = 20 \end{array} \right\} \text{----) } H = \frac{2-0}{20} = 0,1$$

a) Organigramme de FPPPK (Voir organigramme 2)

b) Programme de FPPPK

$$\text{* Algorithme : } k_i = \left(y_i - \frac{2x_i}{y_i} \right) \cdot H$$

- On incrémente l'exposant de x_i ----) pour avoir $2x_i$

- On calcul ensuite $2x_i/y_i$

- Puis on calcule la différence $(y_i - 2x_i/y_i)$

- Finalement on trouve k_i en multipliant la différence par H.

.../...

DE 18 LDX \$ 18 Pointer l'exposant de x_i dans adresse 37.
6C 00 INC 0,X Exposant de x_i ----) $2x_i$
96 1A LDA A \$ 1A Pointer $2.x_i$
D6 1B LDAB \$ 1B Pointer y_i
BD 89EA JSR FPPDIV Calculer $2x_i/y_i$
96 1B LDA B \$ 1B Pointer y_0
D6 1A LDA B \$ 1A Pointer $2x_i/y_i$
BD 887D JSR FPPSUB Calculer la différence $y_0 - 2x_i/y_i$ dans 38
96 1B LDA A \$ 1B Pointer ce dernier résultat.
C6 3B LD AB ~~#~~ \$ 3B Pointer le pas H
BD 897A JSR FPPMUL Calculer k_i
D6 1B LDA B \$ 1B Pointer l'adresse de transfert
96 1A LDA A \$ 1A Pointer le nombre à transférer
BD 885B JSR FPPCPY Transférer k_i dans 35 (1er pas)
D6 1A LDA B \$ 1A
96 1B LDA A \$ 1B Pointer l'adresse de transfert
C0 03 SUB B ~~#~~ \$ 03 Pointer y_i à transférer
BD 885B JSR FPPCPY Transférer y_i vers 38 (1er pas)
39 RTS Retour au programme principal

C) Résultats de la résolution (voir page 6;)

ORGANIGRAMMES DU CALCUL DES K_i : (Runge-Kutta)

EXEMPLE: 1

pointer x_i par Acc.A
pointer H par Acc.B

FPPMUL
calcul de $x_i \cdot H$

pointer l'exp. de $x_i \cdot H$
par Reg.Index

incrémenter exp.
de $x_i \cdot H \rightarrow 2 \cdot x_i \cdot H$

RTS

EXEMPLE: 2

pointer x_i par Acc.A
pointer y_i par Acc.B

FPPADD
calculer $(x_i + y_i)$

pointer $(x_i + y_i)$ par Acc.A
pointer H par Acc.B

FPPMUL
calcul $K_i = H \cdot (x_i + y_i)$

RTS

EXEMPLE: 3

pointer x_i par le
Reg. Index

incrémenter exp.
de $x_i \rightarrow 2 \cdot x_i$

pointer $2x_i$ par Acc.A
pointer y_i par Acc.B

FPPDIV
calcul de $D = 2x_i / y_i$

pointer y_i par Acc.A
pointer D par Acc.B

FPPSUB
calcul de $S = y_i - D$

pointer S par Acc.A
pointer H par Acc.B

FPPMUL
calcul de $K_i = H \cdot S$

pointer K par Acc.B
pointer mémoire de
transfert par Acc.A

FPPCPY
transfert de K_i

pointer y par Acc.A
pointer mémoire de
transfert par Acc.A

FPPCPY
transfert de y_i

RTS

PROGRAMME PRINCIPAL DE RESOLUTION D'EQUATION DIFFERENTIELLES

METHODE DE RUNGE-KUTTA

PAGE 001 RK4

ADDRESS	OPERANDS	OPERATION	OPERANDS	OPERATION
00010		NAM	RK4	
00020	0013	ORF	\$13	
00030	0013 0003	RMB	3	RESERVER 3 BYTES POUR 6
00040	0016 0006	RMB	6	LOCATION DE MEMOIRES DE TRAVA
00050	0038	ORG	\$38	
00060	0038 0003	RMB	3	VALEUR LIMITE DU DOMAINE
00070	003B 0003	RMB	3	PAS DE LA SIMULATION
00080	003E 0003	RMB	3	MOITIER DE H
00090	0041 0003	RMB	3	VALEUR INITIALE
00100	0044 0003	RMB	3	" "
00110	88D5	FFPADD EQU	\$88D5	
00120	897A	FFPMUL EQU	\$897A	
00130	89EA	FFPDIV EQU	\$89EA	
00140	885B	FFPCPY EQU	\$885B	
00150	883A	FFPCMP EQU	\$883A	
00160	8ADC	FFPSPK EQU	\$8ADC	
00170	8000	ORF	\$8000	
00171	8000 CE 6000	LIX	\$6000	MANTISSE DE 6
00172	8003 DF 13	STX	\$13	STOCKER MANTISSE DS MEMOIRE 13
00173	8005 86 03	LDA A	\$3	EXPOSANT DE 6
00174	8007 97 15	STA A	\$15	EXPOSANT DS 15
00180	8009 CE 0049	LIX	\$49	INITIALISER REG. INDEX
00190	800C C6 41	LDA B	\$41	POINTER XI
00200	800E 86 47	LDA A	\$47	POINTER MEMOIRE DE COPIE
00210	8010 DF 18 DEBUT	STX	\$18	
00220	8012 97 16	STA A	\$16	
00230	8014 D7 17	STA B	\$17	
00240	8016 BD 885B	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE XI
00250	8019 D6 17	LDA B	\$17	
00260	801B 96 16	LDA A	\$16	
00270	801D CE 03	ADD B	\$3	AJOUTER 3 A ACC B
00280	801F 8B 03	ADD A	\$3	" " ACC A
00290	8021 97 16	STA A	\$16	
00300	8023 D7 17	STA B	\$17	
00310	8025 BD 885B	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE YI
00320	8028 96 16	LDA A	\$16	
00330	802A D6 16	LDA B	\$16	
00340	802C 80 03	SUB A	\$3	SOUSTRAIRE 3
00350	802E 97 1A	STA A	\$1A	SAUVEGARDER POUR FFPSPK
00360	8030 D7 1B	STA B	\$1B	" " "
00370	8032 BD 8ADC	JSR	FFPSPK	CALCUL DE K0
00380	8035 96 16	LDA A	\$16	
00390	8037 D6 17	LDA B	\$17	
00400	8039 CB 03	ADD B	\$3	
00410	803B 8B 03	ADD A	\$3	
00420	803D 97 16	STA A	\$16	
00430	803F I7 17	STA B	\$17	
00440	8041 BD 885B	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE K0
00450	8044 C6 3E	LDA B	\$3E	POINTER H:2
00460	8046 96 17	LDA A	\$17	MEMOIRE DE COPIE
00470	8048 97 16	STA A	\$16	
00480	804A BD 885B	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE (H:2)
00490	804D 96 16	LDA A	\$16	POINTER XI
00500	804F D6 17	LDA B	\$17	
00510	8051 C0 06	SUB B	\$6	
00520	8053 D7 17	STA B	\$17	
00530	8055 BD 88D5	JSR	FFPADD	CALCUL DE (XI+HH)
00540	8058 96 16	LDA A	\$16	

PAGE 002 RK4

00550	805A	D6	16	LDA B	\$16	
00560	805C	CB	06	ADD B	#\$6	POINTER K0
00570	805E	8B	09	ADD A	#\$9	
00580	8060	97	16	STA A	\$16	
00590	8062	BD	885B	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE K0
00600	8065	DE	18	LDX	\$18	
00610	8067	6A	09	DFC	9,X	DECREMENT EXP. DE K0
00620	8069	96	16	LDA A	\$16	
00630	806B	D6	16	LDA B	\$16	POINTER (K0/2)
00640	806D	80	06	SUB A	#\$6	POINTER Y0
00650	806F	97	16	STA A	\$16	
00660	8071	I7	17	STA B	\$17	
00670	8073	BD	88D5	JSR	FFPADD	CALCUL DE (YI+K0/2)
00680	8076	96	17	LIA A	\$17	MEMOIRE DE COPIE
00690	8078	D6	16	LIA B	\$16	
00700	807A	C0	03	SUB B	#\$3	POINTER XI+HH
00710	807C	97	16	STA A	\$16	
00720	807E	I7	17	STA B	\$17	
00730	8080	BD	885F	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE (XI+HH)
00740	8083	BD	8ADC	JSR	FFPSFK	CALCUL DE K1
00750	8086	96	16	LDA A	\$16	
00760	8088	D6	17	LDA B	\$17	POINTER K1
00770	808A	8B	03	ADD A	#\$3	POINTER MEMOIRE DE COPIE
00780	808C	97	16	STA A	\$16	
00790	808E	BD	885B	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE K1
00800	8091	DE	18	LDX	\$18	
00810	8093	6A	00	DEC	0,X	EXPOSANT DE K1--->K1/2
00820	8095	96	17	LIA A	\$17	POINTER K1/2
00830	8097	D6	17	LIA B	\$17	
00840	8099	C0	03	SUB B	#\$3	POINTER Y1
00850	809B	97	16	STA A	\$16	
00860	809D	BD	88D5	JSR	FFPADD	CALCUL DE (YI+K1/2)
00870	80A0	96	16	LDA A	\$16	
00880	80A2	I6	16	LIA B	\$16	POINTER (YI+K1/2)
00890	80A4	8B	03	ALL A	#\$3	POINTER MEMOIRE DE COPIE
00900	80A6	I7	17	STA B	\$17	
00910	80A8	BD	885B	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE (YI+K1/2)
00920	80AB	96	17	LDA A	\$17	POINTER MEMOIRE DE COPIE
00930	80AD	D6	17	LDA B	\$17	
00940	80AF	CB	09	ADD B	#\$9	POINTER (XI+HH)
00950	80B1	97	16	STA A	\$16	
00960	80B3	D7	17	STA B	\$17	
00970	80B5	BD	885B	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE (XI+HH)
00980	80B8	BD	8ADC	JSR	FFPSFK	CALCUL DE K2
00990	80BB	96	17	LDA A	\$17	
01000	80BD	D6	16	LDA B	\$16	POINTER K2
01010	80BF	8B	06	ADD A	#\$6	
01020	80C1	97	16	STA A	\$16	
01030	80C3	D7	17	STA B	\$17	
01040	80C5	BD	885B	JSR	FFPCPY	TRANSFERT DE K2
01050	80C8	96	16	LDA A	\$16	
01060	80CA	C6	3E	LDA B	#\$3E	POINTER HH
01070	80CC	80	06	SUB A	#\$6	POINTER (XI+HH)
01080	80CE	BD	88D5	JSR	FFPADD	CALCUL (XI+H)
01090	80D1	96	17	LIA A	\$17	POINTER K2
01100	80D3	D6	17	LDA B	\$17	
01110	80D5	C0	03	SUB B	#\$3	POINTER Y1
01120	80D7	97	16	STA A	\$16	

PAGE 003 FK4

01130	80D9	ED	8815	JSE	FFFADI	CALCUL IE (YI+K2)
01140	80DC	96	16	LIA A	\$16	
01150	80DE	I6	16	LIA E	\$16	POINTEE (YI+K2)
01160	80E0	8P	03	ADD A	#33	POINTEE MEMOIRE IE COPIE
01170	80E2	I7	17	STA E	\$17	
01180	80E4	ED	885F	JSE	FFFCFY	TRANSFERT IE (YI+K2)
01190	80E7	96	17	LIA A	\$17	MEMOIRE IE COPIE
01200	80E9	I6	17	LIA E	\$17	
01210	80EB	CE	09	ADD E	#39	
01220	80ED	I7	17	STA E	\$17	
01230	80EF	ED	885F	JSE	FFFCFY	TRANSFERT IE (XI+H)
01240	80F2	ED	8A1C	JSE	FFFSEK	CALCUL IE K3
01250	80F5	IE	18	LIX	\$18	
01260	80F7	6C	0C	INC	12,X	EXPOSANT IE K1--->2K1
01270	80F9	6C	0F	INC	15,X	EXPOSANT IE K2--->2K2
01280	80FB	96	17	LIA A	\$17	
01290	80FD	I6	17	LIA E	\$17	
01300	80FF	8E	03	ADD A	#33	POINTEE 2K1
01310	8101	CE	03	SUB E	#33	POINTEE K2
01320	8103	97	16	STA A	\$16	
01330	8105	I7	17	STA E	\$17	
01340	8107	ED	88D5	JSE	FFFADI	CALCUL DE S1=2.K1+K2
01350	810A	96	16	LIA A	\$16	POINTEE S1
01360	810C	I6	17	LIA E	\$17	
01370	810E	CE	09	ADD E	#39	POINTEE 2K2
01380	8110	I7	17	STA E	\$17	
01390	8112	ED	8815	JSE	FFFADI	CALCUL IE S2=S1+2.K2
01400	8115	96	16	LIA A	\$16	POINTEE S2
01410	8117	I6	17	LIA E	\$17	
01420	8119	CE	0F	SUB E	#3F	POINTEE K3
01430	811F	I7	17	STA E	\$17	
01440	811D	ED	88D5	JSE	FFFADI	CALCUL IE S3=S2+K3
01450	8120	96	16	LIA A	\$16	POINTEE S3
01460	8122	CE	13	LIA E	#313	POINTEE 6 EN FLOTTANT
01470	8124	ED	89FA	JSE	FFFIV	CALCUL IE =S3/6
01480	8127	96	16	LIA A	\$16	POINTEE
01490	8129	I6	17	LIA E	\$17	
01500	812B	CE	03	SUB E	#33	POINTEE YI
01510	812D	ED	8815	JSE	FFFADI	CALCUL IE Y(I+1)
01520	8130	96	16	LIA A	\$16	
01530	8132	I6	16	LIA E	\$16	POINTEE Y(I+1)
01540	8134	80	09	SUB A	#39	POINTEE MEMOIRE IE COPIE
01550	8136	97	16	STA A	\$16	
01560	8138	I7	17	STA E	\$17	
01570	813A	ED	885F	JSE	FFFCFY	TRANSFERT IE Y(I+1)
01580	813D	96	16	LIA A	\$16	
01590	813F	I6	17	LIA E	\$17	
01600	8141	CE	12	SUB E	#312	
01620	8143	80	03	SUB A	#33	POINTEE MEMOIRE IE COPIE
01630	8145	97	16	STA A	\$16	
01640	8147	I7	17	STA E	\$17	
01650	8149	ED	885F	JSE	FFFCFY	TRANSFERT IE XI
01660	814C	96	16	LIA A	\$16	POINTEE XI
01670	814E	CE	3E	LIA E	#33E	POINTEE H
01680	8150	ED	8815	JSE	FFFADI	CALCUL IE X(I+1)=XI+H
01690	8153	96	16	LIA A	\$16	POINTEE X(I+1)
01700	8155	CE	38	LIA E	#338	POINTEE XL
01710	8157	ED	883A	JSE	FFFCMF	COMPARER X(I+1)-XL

.../...

PAGE 004 FK4

01720	815A	2E	01	BMI	BOUCLE	SI MOINS
01730	815C	3F		SWI		SI POSITIF OU NUL
01740	815D	96	16	BOUCLE LDA A	\$16	
01750	815F	D6	17	LIA B	\$17	
01760	8161	8E	06	ADD A	#86	
01770	8163	CE	06	ADD B	#86	
01780	8165	DE	18	LIX	\$18	
01790	8167	08		INX		AJOUTER 6
01800	8168	08		INX		
01810	8169	08		INX		
01820	816A	08		INX		
01830	816B	08		INX		
01840	816C	08		INX		
01850	816D	7E	8010	JMP	DEBUT	FAS SUIVANT
01860		0000		END		

TOTAL ERRORS 00000

TABLE DES DONNEES

ADRESSE	Contenu des mémoires	ADRESSE	Contenu des mémoires
00 ⋮ 10	Réservées pour BIBMAT	1C	Vide
11	Vide		
12	Vide		
13	60 Sauvegarder		
14	00 6 en virgule		
15	03 flottante.		
16	Sauvegarder Acc. A	37	Vide
17	Sauvegarder Acc. B	38	X_L Valeur limite du domaine
18	Sauvegarder le	3B	H pas de la simulation.
19	Reg. Index.	3E	H/2 moitié du pas.
1A	Sauvegarder Acc. A	41	x_0 Valeur initiale.
1B	et B pour FPPSPK.	44	y_0 Valeur initiale.

TABLE DES RESULTATS EN VIRGULE FLOTTANTE

41	x_0	62	y_5	83	x_{11}	A4	y_{16}
44	y_0	65	x_6	86	y_{11}	A7	x_{17}
47	x_1	68	y_6	89	x_{12}	AA	y_{17}
4A	y_1	6B	x_7	8C	y_{12}	AD	x_{18}
4D	x_2	6E	y_7	8F	x_{13}	B0	y_{18}
50	y_2	71	x_8	92	y_{13}	B3	x_{19}
53	x_3	74	y_8	95	x_{14}	B6	y_{19}
56	y_3	77	x_9	98	y_{14}	B9	x_{20}
59	x_4	7A	y_9	9B	x_{15}	BC	y_{20}
5C	y_4	7D	x_{10}	9E	y_{15}	BF	x_{21}
5F	x_5	80	y_{10}	A1	x_{16}	C2	y_{21}

RESULTATS DU 1^{er}, 2^{eme}, ET 3^{eme} EXEMPLES

PAR LA METHODE DE RUNGE-KUTTA

```

19-Y4FE-2E C-FA S-FF82 :9
EXBUG 1.2 MAID
*7200;G ----->INTRODUCTION DE LA TABLE DE DONNEES
?2 - - - - ->VALEUR LIMITE DE L'INTERVALLE
400002
? .1 - - - - ->H: PAS DE LA SIMULATION
6666FD
? .05 - - - - ->HH: MOITIER DU PAS
6666FC
?0 - - - - ->X0: VALEUR INITIALE
000001
?0 - - - - ->Y0: VALEUR INITIALE (Y0=1 POUR EXEMPLE 3 ET 2)
000001
?0 - - - - ->VALEUR EN PLUS
000001
EKPT ERROR
P-7225 X-0047 A-4A B-4A C-D4 S-00FF
*8000;G ----->PROGRAMME PRINCIPAL
EKPT ERROR
P-815C X-00F9 A-66 B-40 C-D0 S-00FF
*7000;G ----->TABLE DE RESULTATS
    
```

0	0	0	1.0000	0	1.0000
.10000	.010000	.10000	1.1104	.10000	1.0955
.20000	.040000	.20000	1.2428	.20000	1.1832
.30000	.090000	.30000	1.3997	.30000	1.2649
.40000	.160000	.40000	1.5837	.40000	1.3416
.50000	.250001	.50000	1.7975	.50000	1.4142
.60000	.360002	.60000	2.0444	.60000	1.4832
.70000	.490006	.70000	2.3276	.70000	1.5491
.80000	.640002	.80000	2.6513	.80000	1.6124
.90000	.810012	.90000	3.0194	.90000	1.6733
1.00000	1.00000	1.00000	3.4368	1.00000	1.7319
1.10000	1.2101	1.10000	3.9086	1.10000	1.7887
1.20000	1.4402	1.20000	4.4408	1.20000	1.8438
1.30000	1.6902	1.30000	5.0390	1.30000	1.8972
1.39999	1.9602	1.39999	5.7110	1.39999	1.9491
1.49999	2.2501	1.49999	6.4640	1.49999	1.9997
1.59999	2.5600	1.59999	7.3072	1.59999	2.0491
1.69999	2.8900	1.69999	8.2496	1.69999	2.0973
1.79999	3.2400	1.79999	9.3012	1.79999	2.1445
1.89999	3.6100	1.89999	10.474	1.89999	2.1905
1.99999	4.0000	1.99999	11.780	1.99999	2.2355
2.09999	4.4100	2.09999	13.235	2.09999	2.2798

Exemple:1	Exemple:2	Exemple:3
$\dot{y}(x) = 2x$	$\dot{y}(x) = x + y(x)$	$y(x) = y(x) - \frac{2x}{y(x)}$
$[0 \rightarrow 2], x_0 = 0, y_0 =$	$[0 \rightarrow 2], x_0 = 0, y_0 = 1$	$[0 \rightarrow 2], x_0 = 0, y_0 = 1$

III - C. METHODE D'EULER 1^o ORDRE

I) Elaboration du programme de résolution :

1^o) Présentation de la méthode

Comme la méthode de RUNGE-KUTTA, la méthode d'EULER permet de trouver les solutions approchées des équations différentielles du premier ordre. Ces équations sont de la forme :

$$\dot{y}(x) = f(x, y(x))$$

Avec les conditions initiales : $y = y_0$ pour $x = x_0$

dans le domaine $D = (x_0, x_L)$ où la fonction est définie et continue. Cette méthode utilise le développement des séries de Taylor :

$$y(x+h) = y(x) + \frac{h}{1!} y'(x) + \frac{h^2}{2!} y''(x) + \dots$$

Mais en ignorant les termes contenant h^2 et plus.

Pour cela on découpe le segment (x_0, x_L) en n parties égales et notons

$$\Delta x = h = x_1 - x_0 = x_2 - x_1 = \dots = x_L - x_{n-1}$$

$$\text{d'où } h = \frac{x_L - x_0}{N}$$

Notons aussi $\Delta y_1 = y_1 - y_0$, $\Delta y_2 = y_2 - y_1$, ..., $\Delta y_n = y_n - y_{n-1}$

à chaque point $x_0, x_1, \dots, (x_n = x_L)$ de $\frac{dy}{dx} = f(x, y)$ on remplace la dérivée par

les différences finies :

$$\text{soit : } \frac{\Delta y}{\Delta x} = f(x, y)$$

Au

Au point x_0 on a $\Delta y_1 = (f(x_0, y_0)) \cdot \Delta x$ soit $y_1 - y_0 = h \cdot f(x_0, y_0)$.

Au point x_1 on a $\Delta y_2 = f(x_1, y_1) \cdot \Delta x$ soit $y_2 - y_1 = hf(x_1, y_1)$.

Connaissons x_0, y_0 et h on peut déterminer y_1 .

Puis connaissons $x_1 = x_0 + h, y_1$ et h on détermine y_2 .

Et ainsi pas à pas nous déterminons les valeurs approchées de y :

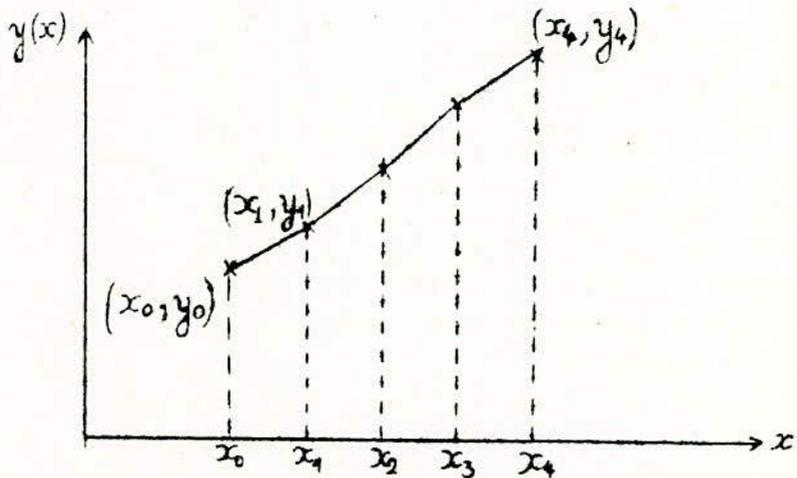
$$y_1 = y_0 + hf(x_0, y_0) \quad \text{avec } x_1 = x_0 + h$$

$$y_2 = y_1 + hf(x_1, y_1) \quad \text{avec } x_2 = x_1 + h$$

.....

$$y_n = y_{n-1} + h f(x_{n-1}, y_{n-1}) \quad \text{Avec } x_n = x_{n-1} + h.$$

Sur le plan des coordonnées les couples de points $(x_0, y_0), \dots, (x_n, y_n)$ forment des segments de droite. Cette courbe est appelée la ligne brisée d'EULER.



Ligne brisée d'Euler.

d'autre part on peut représenter l'erreur pour y_1 par :

$$\varepsilon = \frac{h^2}{2!} y_0^{(2)} + \frac{h^3}{3!} y_0^{(3)} + \dots$$

Et de même on peut introduire une erreur similaire pour chaque pas dans les calculs pour $y_2 \dots y_n$.

On remarque déjà que cette erreur est élevée et on peut déjà prévoir que le résultat ne sera pas très exact surtout en comparaison avec la méthode de RUNGE-KUTTA.

2) Estimation du temps de résolution :

La durée d'un pas pour une formule d'intégration peut - être estimée d'après la formule spécifiée pour la méthode.

La méthode d'EULER requiert une addition et une multiplication durant chaque pas de calcul d'intégration si on désigne par t_T le temps de calcul d'un pas t_E le temps de calcul de $f(x,y)$, α le coefficient moyen du temps d'addition et β le coefficient moyen du temps de multiplication, alors l'estimation du temps de calcul du pas d'intégration est donnée par :

$$t_T = t_E + \alpha + \beta$$

3°) Programme de résolution :

On procède de la même manière que la méthode de RUNGE-KUTTA

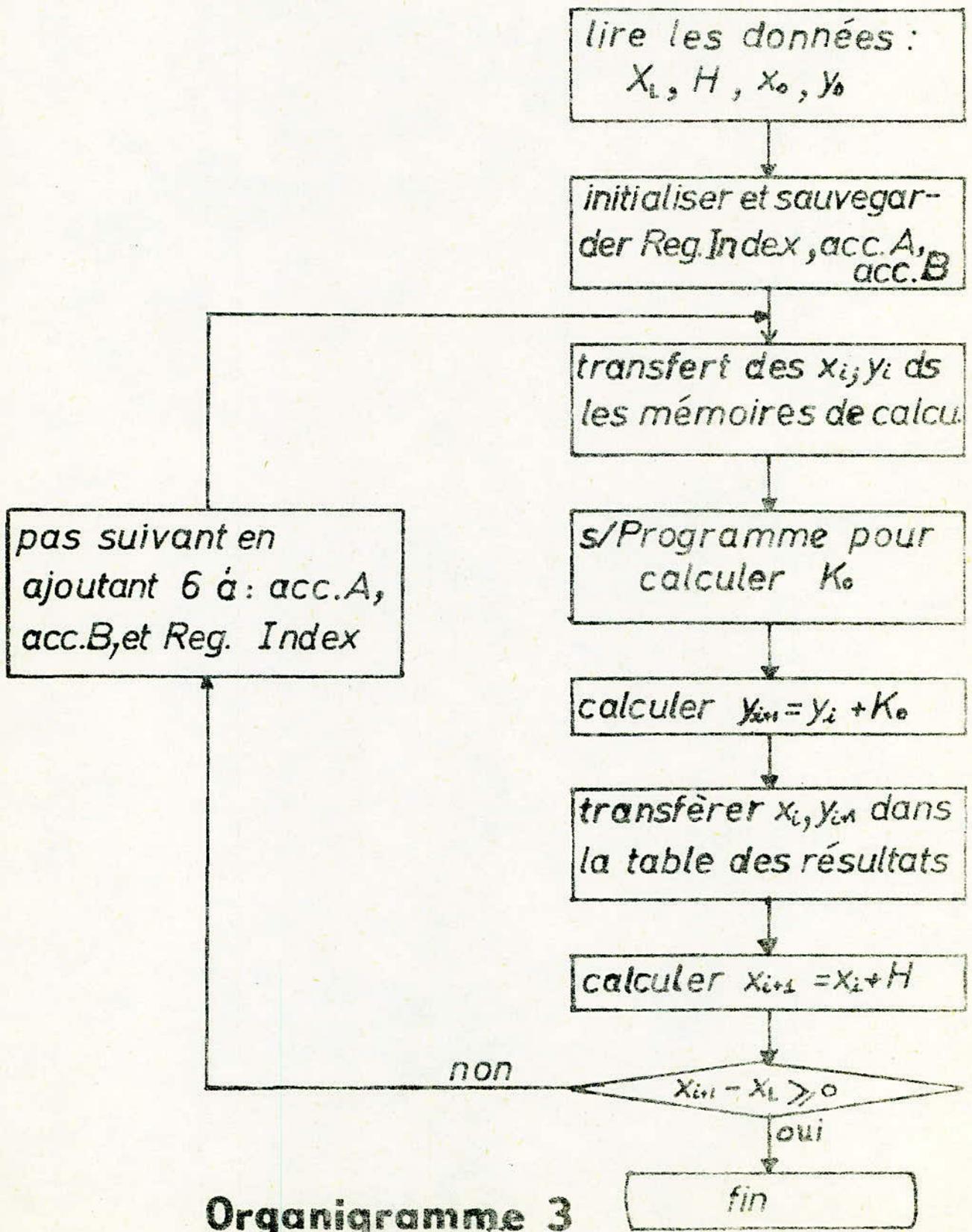
4° Ordre c'est à dire en utilisant une sousroutine de calcul de

$$k_0 = h \cdot f(x_i, y_i) \quad (\text{FPPSPK}).$$

a) Organigramme (voir organigramme 3)

* On introduit x_0, y_0, X_L et H en mémoires à l'aide du programme de chargement de table (page 50) qui est encore valable pour la méthode d'EULER.

ORGANIGRAMME PRINCIPAL
DE RESOLUTION (EULER)



Organigramme 3

* Pour incrémenter le pas de simulation, on ajoute (6) à chacun des accumulateurs A et B et du registre d'Index.

* y_{i+1} est calculé en ajoutant à y_i la valeur de k_0

* x_i est augmentée du pas. H pour obtenir x_{i+1} .

* les valeurs x_i et y_i d'un pas sont stockées dans la table des résultats.

* un test est fait si le calcul est complet. Sinon en reboucle une nouvelle fois.

b) Programme principal (page 69)

Après exécution du programme les résultats sont stockés dans la table réservée à cet effet (page 60).

c) Programme de chargement de table.

On utilise le même programme que celui utilisé pour la méthode de RUNGE - KUTTA malgré quelques valeurs inutiles qui n'affectent pas la résolution. (Voir page 50).

d) Programme de sortie de table

Il est commun aux deux méthodes RUNGE - KUTTA et EULER (voir page 51).

II -- EXEMPLES DE RESOLUTION, RESULTATS SUR ECRAN DE VISUALISATION.

La marche à suivre pour la résolution est la même que pour la méthode de RUNGE - KUTTA.

1°) Exemple 1.

$$\dot{y}(x) = f(x,y) = 2x$$

- Avec :
- valeurs initiales : $x_0 = 0, y_0 = 0$
 - Intervalle d'étude : $(0,2)$; $X_L = 2$
 - la valeur du pas : $H = \frac{X_L - x_0}{N}$) -----) $H = \frac{2 - 0}{20} = 0,1$
 - N = 20 nombre de pas:)

a) Organigramme de FPPSPK (Voir organigramme 4)

b) Programme de FPPSPK

ORG § 8ADC

96	1A	LDA A § 1A	Pointer xi par lec contenu de 1 A
C6	3B	LDA B # § 3B	
BD	897A	JSR FPP MUL	Calcul $x_i H$ dans adresse 47
DE	18	LDX § 18	Contenu de 18 dans le registre Index
6C	00	INC 0,X	Incrémenter exposant de $x_i H$ ----) $2x_i H$.
39		RTS	Retour au programme principal

c) Résultats (page 70)

2°) Exemple 2

$$\dot{y}(x) = f(x,y(x)) = x + y$$

- avec
- valeurs initiales $y_0 = 1$ pour $x_0 = 0$
 - Intervalle d'étude $(0, 2)$
 - nombre de pas $N = 20$ -----) $H = \frac{2-0}{20} = 0,1$

.../...

a) Organigramme de FPPSPK (Voir Organigramme 4)

b) Programme de FPPSPK

	ORG \$ 8 ADC	
96 1A	LDA A \$ 1 A	Pointer x_i
D6 1B	LDA B \$ 1B	Pointer y_i
BD 88D5	JSR FPPADD	Calcul de $x_i + y_i$
96 1A	LDA A \$ 1 A	Pointer $(x_i + y_i)$
C6 3B	LDA B # \$ 3B	Pointer H.
BD 897A	JSR FPPMUL	Calcul $k_o = H(x_i + y_i)$
39	RTS	Retour au programme principal

c) Résultats (Voir page 70)

3°) Exemple 3 :

$$\dot{y}(x) = f(x, y(x)) = y(x) - \frac{2x}{y(x)}$$

avec :

- valeurs initiales : $y_o = 1$ pour $x_o = 0$
- intervalle d'étude: $(0, 2)$
- nombre de pas $N = 20$ -----) $H = \frac{2 - 0}{20} = 0,1$

a) Organigramme de FPPSPK (Voir Organigramme 4)

b) Programme de FPPSPK

ORG \$ 8ADC

DE 18 LDX \$18

6C 00 INC 0,X INC exposant de x_i ----) $2x_i$

96 1A LDA A \$1A Pointer $2 x_i$

D6 1B LDA B \$ 1B Pointer y_i

BD 89EA JSR FPPDIV Calcul de $2x_i/y_i$

D6 1B LDA B \$ 1B Pointer y_i

96 1A LDA \$ 1A

8B 03 ADDA # \$ 03 Pointer mémoire de transfert

BD 885B JSR FPPCPY Transfert de y_i

96 1A LDA A \$ 1A Pointer y_i

8B 03 ADDA # \$ 03

D6 1A LDA B \$ 1A Pointer $2 x_i / y_i$

BD 887D JSR FPPSUB Calcul $y_i - 2 x_i / y_i$

96 1A LDA A \$ 1A

8B 03 ADD A # 03 Pointer résultat précédent

C6 3B LDA B # \$ 3B Pointer H

BD 897A JSR FPPMUL Calcul $k_0 = H (y_i - 2x_i / y_i)$

D6 1A LDA B \$ 1A

CB 03 ADDB # \$ 03 Pointer k_0

96 1A LDA A \$ 1A Pointer mémoire de copie

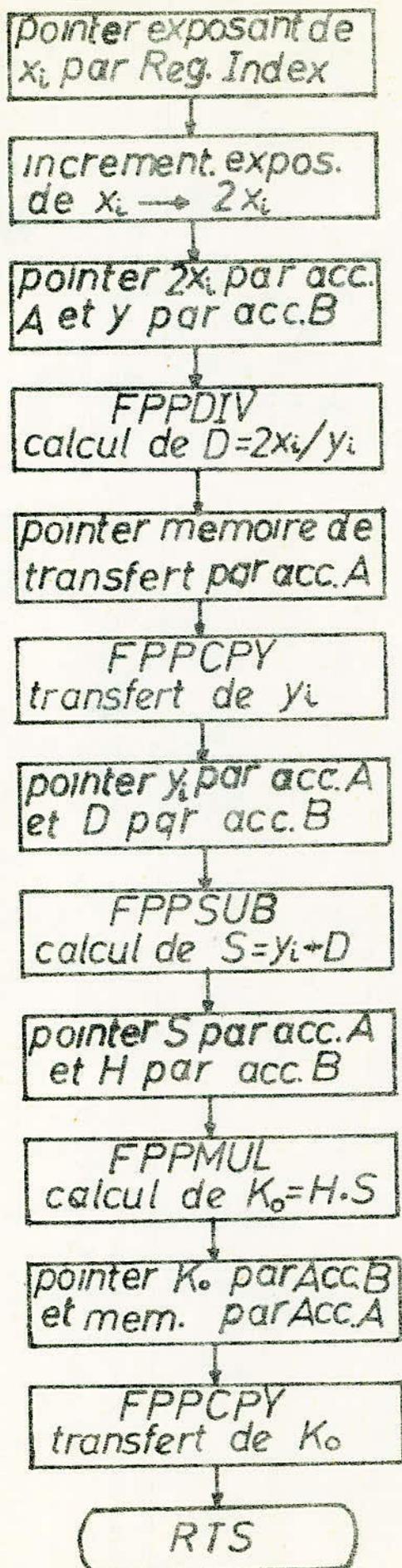
BD 885B JSR FPPCPY Transfert de k_0 .

39 RTS Retour au programme principal .

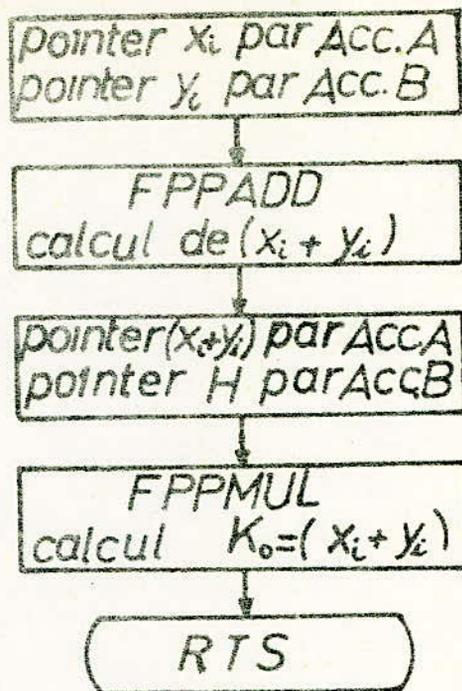
c) Résultats de résolution (voir page 70)

ORGANIGRAMME DU CALCUL DES K_T : (Euler)

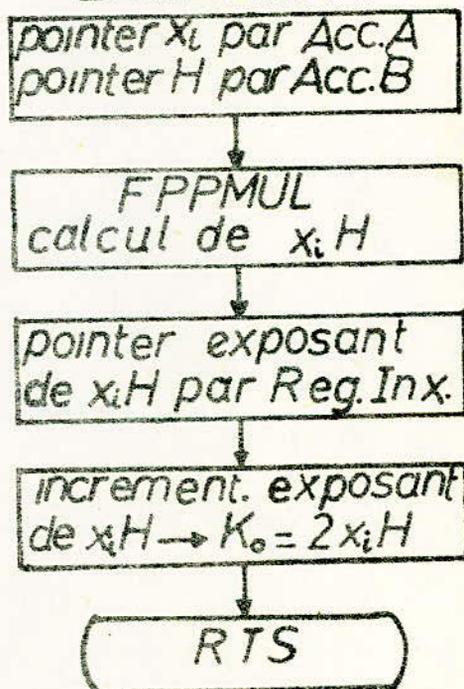
EXEMPLE : 3



EXEMPLE : 2



EXEMPLE : 1



METHODE D'EULER

PAGE	001	EULER		NAM	EULER	
00010				OFC	\$18	
00020	0018			OFC	\$18	
00030	0018	0004	TRAV	RME	4	LOCATION MEMOIRES DE TRAVAIL
00050	0038			OFC	\$38	
00060	0038	0003	XL	RME	3	EXTREMITE DE L'INTERVALLE
00070	003E	0003	H	RME	3	PAS DE CALCUL
00080	003E	0003	X0	RME	3	VALEUR INITIALE
00090	0041	0003	Y0	RME	3	" "
00100		885P	FFFCFY	FCU	\$885P	
00110		8ADC	FFFSFK	FCU	\$8ADC	
00120		88D5	FFFAII	FCU	\$88D5	
00130		883A	FFFCMF	FCU	\$883A	
00140	7800			OFC	\$7800	
00150	7800	CF 0049		LIX	#549	INITIALISEE LE REG. INDEX
00160	7803	CE 41		LIA F	#541	POINTEE XI
00170	7805	8E 47		LIA A	#547	ADRESSE DE COPIE DE XI
00180	7807	EF 18	IFBUT	STP	\$18	
00190	7809	97 1A		STP A	\$1A	SALVEE CONTENU DE ACC A
00200	780E	I7 1E		STP E	\$1E	" " " ACC E
00210	780F	ED 885P		JSE	FFFCFY	COPIEE XI
00220	7810	96 1A		LIA A	\$1A	POINTEE XI
00230	7812	I6 1E		LIA E	\$1E	POINTEE YI
00240	7814	CE 03		ALL E	#53	POINTEE YI
00250	7816	I7 1E		STP E	\$1E	
00260	7818	ED 8ADC		JSE	FFFSFK	CALCUL DE K0
00270	781P	96 1A		LIA A	\$1A	POINTEE K0
00280	781P	I6 1E		LIA E	\$1E	POINTEE YI
00290	781F	ED 88D5		JSE	FFFAII	CALCUL DE Y(I+1)
00300	7822	I6 1A		LIA E	\$1A	POINTEE Y(I+1)
00310	7824	96 1A		LIA A	\$1A	
00320	7826	8F 03		ALL A	#53	POINTEE MEMOIRE DE COPIE
00330	7828	97 1A		STP A	\$1A	
00340	782A	I7 1E		STP E	\$1E	
00350	782C	FI 885P		JSE	FFFCFY	(COPIE Y(I+1))
00360	782F	96 1E		LIA A	\$1E	
00370	7831	I6 1E		LIA E	\$1E	
00380	7833	CO 06		SUP E	#56	SOUSTRASSE E
00390	7835	97 1A		STP A	\$1A	
00400	7837	D7 1E		STP E	\$1E	
00410	7839	ED 885B		JSE	FFFCFY	COPIEE X0 DS 35
00420	783C	96 1A		LDA A	\$1A	
00430	783E	CE 3E		LLA E	#53E	POINTEE LE PAS H
00440	7840	ED 88D5		JSE	FFFAII	CALCUL DE X(I+1)
00450	7843	96 1A		LIA A	\$1A	POINTEE X(I+1)
00460	7845	CE 38		LDA E	#538	POINTEE XL
00470	7847	ED 883A		JSE	FFFCMF	SI X(I+1)-XL > 0
00480	784A	2E 01		BMI	BOUCLE	BLANCHEE SI NON
00490	784C	3F		SWI		
00500	784D	96 1A	BOUCLE	LDA A	\$1A	
00510	784F	D6 1E		LLA E	\$1E	
00520	7851	8F 06		ADD A	#56	ADDITIONNEE E
00530	7853	CE 06		ALL E	#56	
00540	7855	DE 18		LIX	\$18	
00550	7857	08		INX		AJOUTEE E A REG. INDEX
00560	7858	08		INX		
00570	7859	08		INX		
00580	785A	08		INX		
00590	785E	08		INX		
00600	785C	08		INX		
00610	785I	7F 7807		JMP	IFBUT	
00620	0000			FND		

RESULTATS DU 1er, 2eme, ET 3eme EXEMPLES

PAF METHODE D' EULER

"4HM" X-FF08 A-80 B-2E C-F8 S-FF82 19
 EXBUG 1.2 MAID

*7200;G -----> INTRODUCTION DE LA TABLE DE DONNEES
 ?2 - - - - -> VALEUR LIMITE DE L'INTERVALLE:XL

400002

? .1 - - - - -> H: PAS DE LA SIMULATION
 6666FD

? .05 - - - - -> HH: MOITIER DU PAS
 6666FC

?0 - - - - -> X0: VALEUR INITIALE
 000001

?0 - - - - -> Y0: VALEUR INITIALE (Y0=1 POUR EXEMPLE 2 ET 3)
 000001

?0 - - - - -> EN PLUS
 000001

BKPT ERROR

P-723C X-0047 A-4A B-4A C-D4 S-00FF

*7800;G-----> PROGRAMME PRINCIPAL

BKPT ERROR

P-784C X-00F9 A-66 B-40 C-D0 S-00FF

*7000;G-----> TABLE DE RESULTATS

0 0		0 1.0000		0 1.0000	
.10000	0	.10000	1.1000	.10000	1.1000
.20000	.020000	.20000	1.2199	.20000	1.1918
.30000	.060000	.30000	1.3620	.30000	1.2774
.40000	.12000	.40000	1.5282	.40000	1.3581
.50002	.20000	.50002	1.7210	.50002	1.4350
.60008	.30004	.60008	1.9432	.60008	1.5088
.70004	.42002	.70004	2.1976	.70004	1.5802
.80004	.56008	.80004	2.4874	.80004	1.6496
.90004	.72012	.90004	2.8161	.90004	1.7176
1.00000	.90016	1.00000	3.1876	1.00000	1.7844
1.10000	1.1001	1.10000	3.6064	1.10000	1.8509
1.20000	1.3202	1.20000	4.0772	1.20000	1.9171
1.30000	1.5600	1.30000	4.6052	1.30000	1.9836
1.3999	1.8202	1.3999	5.1958	1.3999	2.0509
1.4999	2.1001	1.4999	5.8552	1.4999	2.1195
1.5999	2.4003	1.5999	6.5912	1.5999	2.1899
1.6999	2.7201	1.6999	7.4096	1.6999	2.2629
1.7999	3.0600	1.7999	8.3204	1.7999	2.3389
1.8999	3.4202	1.8999	9.3332	1.8999	2.4189
1.9999	3.8000	1.9999	10.457	1.9999	2.5038
2.0999	4.2002	2.0999	11.702	2.0999	2.5943

Exemple : 1	Exemple : 2	Exemple : 3
$\dot{y}(x) = 2 \cdot x$	$\dot{y}(x) = x + y(x)$	$\dot{y}(x) = y(x) - \frac{2 \cdot x}{y(x)}$
$[0 \rightarrow 2], x_0 = 0, y_0 = 0$	$[0 \rightarrow 2], x_0 = 0, y_0 = 1$	$[0 \rightarrow 2], x_0 = 0, y_0 = 1$

III - D -- COMPARAISON DES DEUX METHODES.

La solution d'une équation différentielle ordinaire par un ordinateur digital, tels que les résultats sont exactement spécifiés précédemment sont obtenus dans un temps minimum de calcul, exige une attentive considération et un contrôle d'erreurs propre au procédé numérique seulement de cette façon qu'on peut sélectionner judicieusement le pas de simulation et la complexité de la formule d'intégration à savoir le nombre de termes de la série de Taylor, qui pourront être utilisées.

Dans le traitement des erreurs de calcul, on distingue deux types :

- Erreur due à chaque pas
- Accumulation de ces erreurs le long du calcul.

Pour caractériser l'erreur introduite à une étape spécifique du calcul il est nécessaire de tenir compte de l'erreur d'arrondissement et de l'erreur de troncature.

L'erreur d'arrondissement est due aux performances du ordinateur (limite de ces registres) et de la bibliothèque mathématiques utilisée (nombre de bits en virgule flottante).

Cela devient nécessaire d'arrondir tous les nombres à intégrer sous le même format.

L'erreur de troncature provient du fait que pratiquement toutes les méthodes d'intégration constituent une approximation du système réel. En général cette approximation est interprétée en ignorant l'ordre élevé des termes de la série de Taylor. Ces erreurs sont proportionnelles à la puissance du pas H et à l'ordre des dérivées des variables dépendantes.

D'après ce qui précède on peut déduire que l'erreur de troncature pour la méthode de Runge-Kutta est très faible devant celle d'EULER du moment que cette dernière s'arrête à la première puissance de H et à la première dérivée, par contre la première méthode s'arrête à la puissance quatrième de H (H^4) et à la troisième dérivée.

Mais en ce qui concerne l'erreur d'arrondi elle est la même pour les deux méthodes puisqu'en travaille sur le même ordinateur et on utilise la même bibliothèque mathématiques de 24 bits en virgule flottante.

L'erreur absolue entre la valeur vraie et la valeur approchée est donnée dans les tableaux de comparaison si-après pour les trois points ($x=0;0,5;1$).

On remarque que les résultats donnés par la méthode de Runge-Kutta sont très proches des résultats exacts. Par contre les résultats donnés par la méthode d'Euler sont loins des valeurs exactes. Ceci est confirmé par le tracé point par point des courbes représentatives des deux méthodes.

On remarque encore que les courbes de la méthode de Runge-Kutta sont confondues avec la courbe exacte de la fonction; ce qui n'est pas vrai, mais nous ne pouvons apprécier plus que cela. Par contre la courbe de la méthode d'Euler est loin de la courbe exacte.

Avantages de la méthode de Runge-Kutta.

Cette méthode présente l'avantage de changer le pas de simulation durant l'évolution du système. En effet on voit que l'erreur augmente de plus en plus avec le nombre de pas de sorte que la courbe approchée diverge de la courbe réelle donc on peut remédier à cela en diminuant la valeur du pas H.

Ce phénomène est utilisé lors de l'étude des systèmes à temps réel où le contrôle s'effectue durant l'évolution du processus.

On peut encore améliorer le résultat en utilisant une bibliothèque mathématiques de plus de 24 bits en virgule flottante (32;64 bits...)

L'inconvénient de cette méthode est le temps d'exécution. Plus l'ordre des termes de la méthode est élevé plus le programme de résolution se complique, et plus le temps d'exécution est long.

TABLEAU D'ERREURS

EXEMPLE 1

x	RK 4 ^o ORDRE	EULER
0	0 0	0
0,5000	0,1000 $\cdot 10^{-4}$	0,1500
1,0000	0	0,5500

EXEMPLE 2

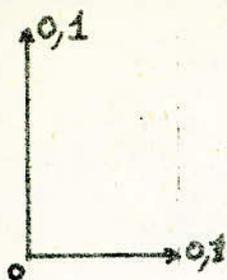
x	RK 4 ^o ORDRE	EULER
0	0	0
0,5000	0,5740 10^{-4}	0,7640 10^{-1}
1,0000	0,2360 10^{-3}	0,2489

EXEMPLE 3

x	RK 4 ^o ORDRE	EULER
0	0	0
0,5000	0,1360 10^{-4}	0,2080 10^{-1}
1,0000	0,1510 10^{-3}	0,5230 10^{-1}

$y(x)$

Courbes représentatives : 1^{er} exemple

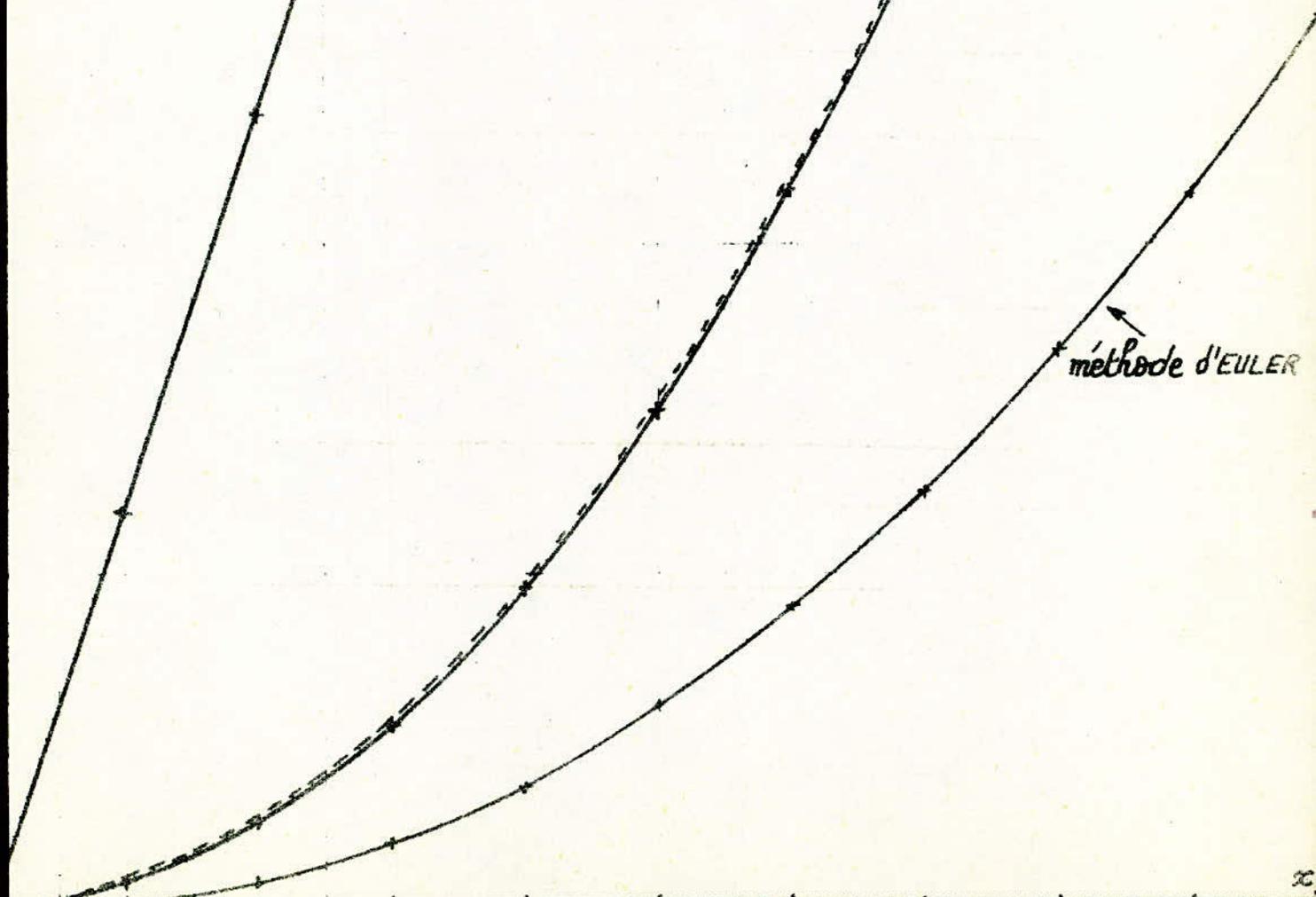


$y(x) = 2x$

Courbe réelle

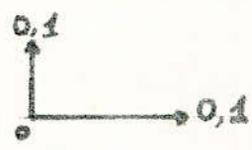
méthode de RUNGE-KUTTA.

méthode d'EULER



$y(x)$

Courbes représentatives: 2^{ème} exemple.

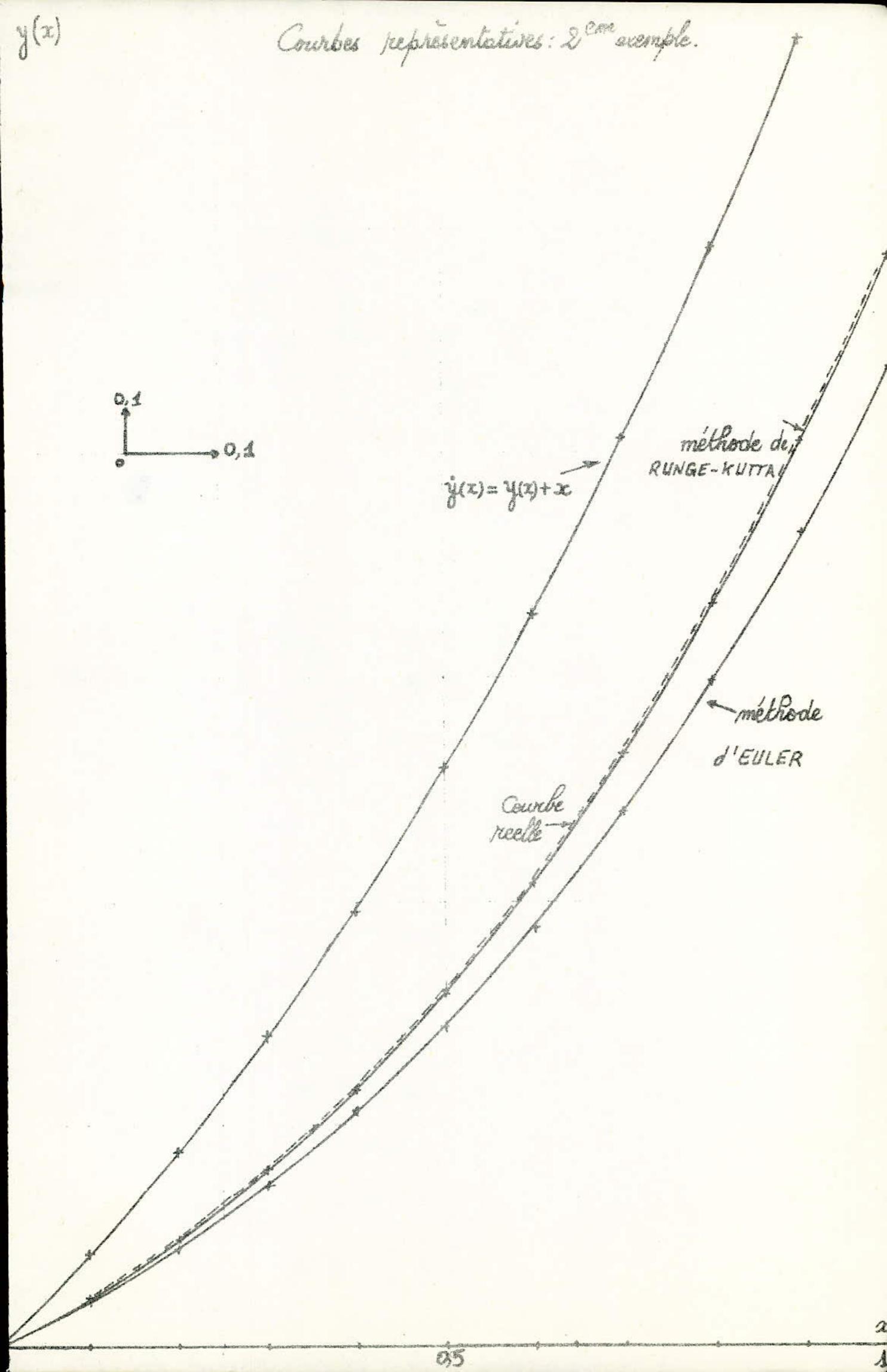


$\dot{y}(x) = y(x) + x$

méthode de RUNGE-KUTTA

méthode d'EULER

Courbe réelle



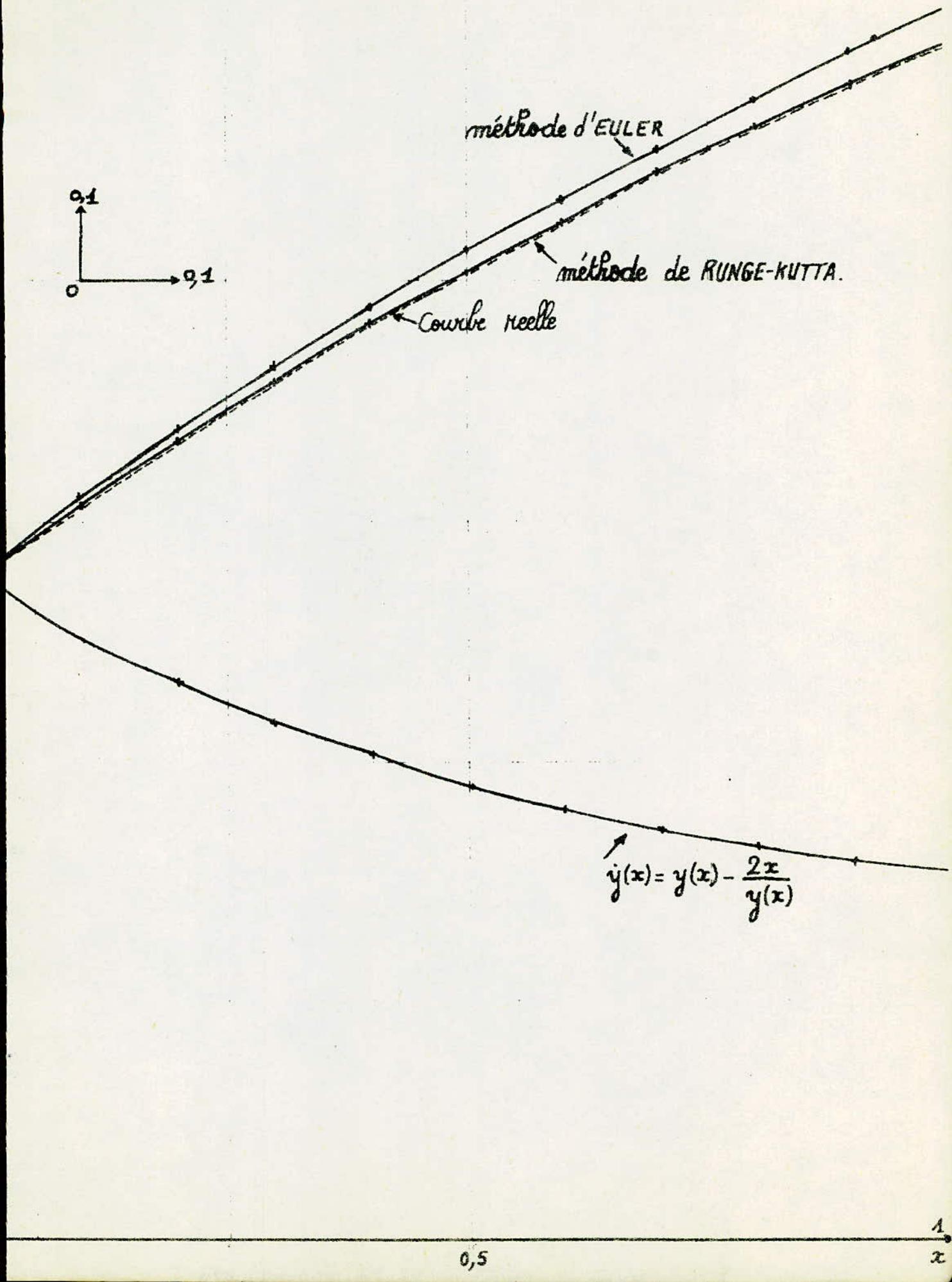
0,5

2

1

$y(x)$

Courbes représentatives : 3^e exemple



C O N C L U S I O N

La programmation en langage machine était pour nous un domaine inconnu avant d'entamer ce projet de résolution d'équations différentielles par microprocesseurs. Après l'étude de plusieurs programmes que renferme la bibliothèque mathématiques de MOTOROLA, nous nous sommes adaptés aux instructions utilisées et à l'élaboration de nos propres programmes.

Ce modeste travail n'est qu'une étape du projet de SIMULATION ET CONTROLE D'UN REACTEUR NUCLEAIRE qui est un processus physique représenté par un système d'équations différentielles dont le nombre dépend du modèle choisi. Notre travail a consisté à concevoir l'opération de l'intégration d'une équation différentielle. Alors le problème se complique encore davantage dans la mise en parallèle de plusieurs opérations de même type gérées par un système informatique permettant de simuler l'ensemble avec des performances supérieures. Il reste donc à élargir cette étude correspondant aux travaux entrepris dans la division Y du C.S.TN.