

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
République Algérienne Démocratique et Populaire

8/86

2EX

وزارة التعليم و البحث العلمي

Ministère de l'Enseignement et de la Recherche Scientifique

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

Département : Génie Civil

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات
BIBLIOTHEQUE — المكتبة
Ecole Nationale Polytechnique

PROJET DE FIN D'ETUDES

SUJET

**RESERVOIR D'EAU
SEMI - ENTERRE**

Proposé par :

DHWA

Etudié par

M. CHAKAL Abdelhamid
BENABDESSELAM Hamid

Dirigé par :

M. HAMOUTENE

Promotion : Janvier 86



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
République Algérienne Démocratique et Populaire

وزارة التعليم و البحث العلمي

Ministère de l'Enseignement et de la Recherche Scientifique

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

Département : Génie Civil

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات
BIBLIOTHEQUE — المكتبة
Ecole Nationale Polytechnique

PROJET DE FIN D'ETUDES

SUJET

**RESERVOIR D'EAU
SEMI - ENTERRE**

Proposé par :
DHWA

Etudié par
M. CHAKAL Abdelhamid
BENABDESSELAM Hamid

Dirigé par :
M. HAMOUTENE

Promotion : Janvier 86

REMERCIEMENTS



Nous tenons à exprimer notre profonde gratitude à notre promoteur M^E HAMOUTENE pour ses conseils à chacune de nos entrevues, et à tout le personnel de la DHWA pour les services qu'il nous a rendu.

Nous tenons par ailleurs à remercier vivement tous ceux qui ont contribué par leur aide à la réalisation de ce projet et notamment M^E OULD. HAMADOUCHE.

. DEDICACES

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات
BIBLIOTHEQUE — المكتبة
Ecole Nationale Polytechnique

Nous dedions ce modeste travail:

- à nos parents
- à nos proches
- à nos amis
- à nos professeurs

Hamid et Abd. el Hamid

PLAN D'ÉTUDE

Pages :

1.	Généralités	1
2.	Caractéristiques des matériaux	4
3.	Etude de la coupole.....	9
4.	Etude des parois	17
5.	Etude hydrodynamique.....	35
6.	Chambre des vannes	52
7.	Fondations	60

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات
BIBLIOTHEQUE — المكتبة
Ecole Nationale Polytechnique

INTRODUCTION ET GENERALITES

GENERALITES

Il n'échappe à personne l'importance des réservoirs d'eau, aussi bien élevés qu'enterrés dans la vie économique et sociale d'une nation.

* Rôle du réservoir d'eau:

Il a pour rôle essentiel de régulariser les variations de la consommation selon les besoins et les périodes. Il doit aussi contenir en tout temps une réserve suffisante et ce pour faire face à une interruption imprévue de l'installation de refoulement.

* Classification des réservoirs:

Les réservoirs peuvent être classés en fonction des critères suivants:

- a - Selon la position par rapport au sol
(au niveau du sol - sur poteau - sur pylônes - sur bâtiment)
- b - Selon la forme de la cuve
(carré, rectangulaire, circulaire...)
- c - Selon le volume:
(grand réservoir, moyen réservoir, petit réservoir)
- d - Selon la nature du liquide
(réservoir d'eau, de vins, - Citernes à produits noirs (goudron, bitume) - réservoir à hydrocarbures (pétrole, essence)

* Caractéristique d'un réservoir

Un réservoir doit présenter les impératifs suivants

- a) Résistance:
L'ouvrage doit équilibrer les efforts auxquels il est soumis: poids propre - poids de l'eau - surcharges d'exploitation - efforts dus aux vents et au séisme - retrait - fluage...
- b) Durabilité:
Le matériau qui constitue le réservoir doit conserver toutes ses propriétés initiales et ce après un long contact avec l'eau
- c) Étanchéité:
Le réservoir doit présenter une étanchéité absolue et parfaite afin de préserver la cuve contre toute fissure.

PRESENTATION DE L'OUVRAGE

a) Caractéristique du réservoir

L'ouvrage que nous proposons d'étudier est un réservoir se caractérisant par :

- Capacité : 2500 m^3
- Hauteur utile d'eau : 7 m
- Matériau utilisé : Béton armé
- Forme géométrique : Cuve cylindrique
- Site : ALGER
- Taux de travail du sol : 1 bars

b) Description du réservoir

Le réservoir étudié est composé de deux cuves cylindriques de capacité de 2500 m^3 chacune et de diamètre intérieure $10,70 \text{ m}$, séparées par une chambre de vannes de dimensions : $4,80 \times 4,20 \text{ m}^2$

la couverture est assurée par une coupole d'épaisseur 8 cm et de flèche $2,5 \text{ m}$, possédant un lanterneau et une ouverture pour d'éventuelles réparations.

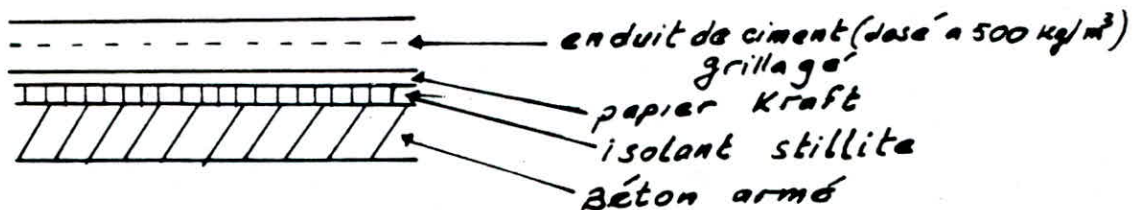
la fondation est assurée par un radier d'épaisseur 50 cm .

c) Revêtement - Etancheité - Isolation

Les règles imposées par l'hygiène (éviter une contamination de l'eau), ainsi que l'influence des facteurs atmosphériques nous imposent des revêtements extérieurs et intérieurs

* Pour la coupole

Comme le réservoir sera implanté à ALGER, on bénéficiera de son climat tempéré, doux qui ne comporte pas de grands écarts thermiques; nous nous contenterons donc d'un revêtement d'étancheité pour la coupole de couverture qui consistera en :



* Pour les parois

L'expérience que dans le cas des grands réservoirs (au delà de 800 m^3), l'inertie thermique de la masse d'eau d'une part et de la masse du béton d'autre part, sont telles que les variations de température de l'eau sont relativement faibles de l'été à l'hiver et que par suite toute isolation thermique est dans ce cas superflue. Donc il n'est pas nécessaire de prévoir un système d'isolation thermique.

Par contre pour l'étanchéité on prévoit des enduits pour améliorer l'imperméabilité des parois et de les protéger. Ces enduits seront en mortier de ciment et en deux couches en principe dosés à 500 Kg/m^3 de sable sec sur couche d'accrochage (dosé à 400 Kg/m^3).

- la première couche forme le dégrassi
- la deuxième couche forme l'enduit proprement dit.

N.B.: le lissage de la 2^{ème} couche avec un feutre est recommandé.

d). Recommandation

Il est conseillé d'éviter des ciments de fabrication récente (ciments chauds) dont le retrait serait préjudiciable à l'étanchéité.

CARACTERISTIQUES
DES
MATERIAUX

1. Béton:

On utilisera un béton très étanche. Pour cela, le dosage sera porté à 400 kg/m³. de C.P.A 325 avec un contrôle atténué

1.1. Contrainte de compression admissible ; noté $\bar{\sigma}'_b$.

$$\bar{\sigma}'_b = \beta'_b \sigma'_n$$

σ'_n : contrainte d'écrasement du béton (ou résistance nominale) après 28 jours

β'_b : $\alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \delta \cdot \epsilon$ (β'_b étant une fraction de sa résistance nominale)

$\alpha, \beta, \gamma, \delta$ et ϵ sont des facteurs sans dimensions

- α : dépend de la classe du ciment utilisé. C.P.A 325 $\Rightarrow \alpha = 1$
- β : coefficient tenant compte de l'efficacité du contrôle exercé sur la qualité du béton mis en oeuvre

$\beta = 5/6$	Contrôle atténué
$\beta = 1$	Contrôle stricte
- γ : dépend des épaisseurs relatives h_m des éléments de construction et des dimensions des granulats, C_g :

$\gamma = 1$	si $h_m > 4C_g$
$\gamma = \frac{h_m}{4C_g}$	si non

Dans notre cas $\gamma = 1$

- δ : dépend de la nature des sollicitations

$\delta = 0,30$ Compression simple

$\delta = 0,60$ flexion simple et en flexion composée quand l'effort normal est une traction

$\delta = 0,30 (1 + \frac{e_0}{3e_1})$ avec un maximum de 0,6.
flexion composée quand l'effort est une compression.

avec :

e_0 : excentricité de la force extérieure par rapport au c.d.g de la section complète du béton seul.

e_1 : rayon vecteur de même signe que e_0 du noyau central. situé dans le même plan radial par le centre de pression

Exemple:

section annulaire de faible épaisseur

soit D diamètre moyen. on aura alors: $e_1 = \frac{D}{4}$

pour $0 < e_0 \leq 0,75D \Rightarrow \delta = 0,30 (1 + \frac{1,33 e_0}{D})$

pour $e_0 > 0,75D \Rightarrow \delta = 0,60$

- ϵ : dépend de la nature de la sollicitation et de la forme de la section. Elle est toujours comprise entre: $0,5 < \epsilon \leq 1$

* Compression simple: $\epsilon = 1$

les autres cas on prendra aussi $\epsilon = 1$.

finallement on obtient :

a/ SOUS SP1 :

* compression simple : $\bar{\sigma}'_b = 1 \times \frac{5}{6} \times 1 \times 0.3 \times 1 \times 300 = 75 \text{ bars}$

* flexion simple : $\bar{\sigma}'_b = 1 \times \frac{5}{6} \times 1 \times 0.5 \times 1 \times 300 = 150 \text{ bars}$

b/ SOUS SP2.

* compression simple : $\bar{\sigma}'_{b_0} = 1.5 \bar{\sigma}'_b \text{ (sous SP1)} = 112.5 \text{ bars}$

* flexion simple : $\bar{\sigma}'_b = 1.5 \bar{\sigma}'_b \text{ (sous SP1)} = 225 \text{ bars}$

1.2. contrainte de traction de référence : noté $\bar{\sigma}_b$

c'est la fraction f_b de sa résistance à la compression à 28 j

$$\bar{\sigma}_b = f_b \cdot \sigma'_{28} \quad \text{ou} \quad f_b = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \theta$$

* α, β, γ : coefficients gardant la même signification qu'au paravant.

* $\theta = 0.018 + \frac{2.1}{\sigma'_n}$ avec $\sigma'_n = 300 \text{ bars}$

$$\theta = 0.018 + \frac{2.1}{300} = 0.025$$

On obtient donc : $\bar{\sigma}_b = 1 \cdot \frac{5}{6} \times 1 \times 0.025 \times 300 = 6.25 \text{ bars}$

Remarques:

a/ Le fait de définir une contrainte de traction de référence n'entraîne pas, l'obligation de limiter à cette valeur la contrainte de traction du béton calculée en prenant en considération les sections tendues homogènes (B+nA)

b/ Etant faible est difficile à respecter, le nouveau texte du cahier des charges applicables à la construction des réservoirs et cuves en béton armé établi par la chambre syndicale des constructeurs en ciment armé en 1966 prévoit une contrainte admissible de traction $\bar{\sigma}_b$ égale à:

$$\bar{\sigma}_b = \theta \sigma_{28}$$

σ_{28} : limite de rupture en traction à 28 jours.

$$\sigma_{28} \leq 22 \text{ bars}$$

θ : coefficient ≥ 1 $\left\{ \begin{array}{l} \theta = 1 \text{ traction simple} \\ \theta = 1 + \frac{2e_0}{e} \text{ flexion composée} \end{array} \right.$

Nous limiterons $\bar{\sigma}_b$ à : $\bar{\sigma}_b = 22 \text{ bars}$.

1.3. contrainte de cisaillement admissible :

la contrainte tangente du plan neutre τ_b est bornée au droit de chaque section droite en fonction de la contrainte maximale de compression du béton σ'_b coexistante sur cette même section droite par les inégalités suivantes.

$$\sigma'_b \leq \bar{\sigma}'_b \Rightarrow \tau_b \leq 3,5 \bar{\sigma}_b$$

$$\bar{\sigma}'_b < \sigma'_b \leq 2 \bar{\sigma}'_b \Rightarrow \tau_b \leq \left(4,5 - \frac{\sigma'_b}{\bar{\sigma}'_b}\right) \bar{\sigma}_b$$

2. ACIERS:

on utilise deux types d'aciers

- * Aciers doux Fe 24 $\rightarrow \sigma_{en} = 2400 \text{ Kg/cm}^2$
- * Aciers à haute adhérence FeE 40 $\rightarrow \sigma_{en} = 4200 \text{ Kg/cm}^2$;
 $4200 \text{ kg/cm}^2 (\phi \leq 20) \rightarrow 4120 \text{ bars}$
 $4000 \text{ kg/cm}^2 (\phi > 20) \rightarrow 3920 \text{ bars}$

2.1. Contrainte admissible de traction

En respectant les conditions de non fissurations exposées dans le CCBA 68 art 49.22, la valeur maximale de la contrainte de traction admissible doit vérifier l'inégalité suivante.

$$\bar{\sigma}_a \leq \begin{cases} \sigma_{a1} = 2/3 \sigma_{en} \\ \max(\sigma_1, \sigma_2) \end{cases} ; \quad \begin{array}{l} \sigma_1: \text{contrainte de fissuration systématique} \\ \sigma_2: \text{contrainte de fissuration accidentelle} \end{array}$$

- * Eléments autres que les parois du réservoir (pas en contact avec l'eau)

$$\sigma_1 = \frac{k \cdot n}{\phi} \cdot \frac{\tilde{\omega}_f}{1 + 10 \tilde{\omega}_f} ; \quad \sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{n \cdot k \cdot \bar{\sigma}_b}{\phi}}$$

ϕ : diamètre nominal de la plus grosse barre tendue

n : Coefficient de fissurations $\begin{cases} n=1 \rightarrow \text{pour les ronds lisses} \\ n=1,6 \rightarrow \text{pour H.A.} \end{cases}$

k : Coefficient dépendant des conséquences de fissuration :
 $k = 0,5 \cdot 10^6$ (fissuration très préjudiciables)

$\tilde{\omega}_f$: % de fissuration défini par:

$$\tilde{\omega}_f = \frac{A}{B_f}$$

A : section totale des barres tendues

B_f : section de béton tendu ayant même centre de gravité que les armatures tendues.

valeur de $\bar{\sigma}_{a_1} = 2/3 \cdot \sigma_{en}$

* Aciers doux $\rightarrow \bar{\sigma}_{a_1} = 1600 \text{ Kg/cm}^2$ (1570 bars)

* Aciers haute adhérence:

$$\sigma_{a_1} = \begin{cases} 2670 \text{ Kg/cm}^2 & ; \phi > 20 \rightarrow (2610 \text{ bars}) \\ 2800 \text{ Kg/cm}^2 & ; \phi \leq 20 \rightarrow (2750 \text{ bars}) \end{cases}$$

les valeurs $\bar{\sigma}_a$ après comparaisons de $\bar{\sigma}_{a_1}$ et σ_2 sont données ci-dessous

	ϕ	5	6	8	10	12	14	16	20	25	32
$\bar{\sigma}_a$	Adx	1600	1600	1530	1368	1249	1156	1081	967	865	765
	H.A	2448	2234	1935	1731	1580	1463	1368	1224	1094	967

on ne considère que les valeurs de σ_2 or (en général $\sigma_2 > \sigma_1$)

* Parois du réservoir (éléments en contact permanent avec l'eau):

Dans le cas où l'élément considéré est constamment en contact avec l'humidité, les contraintes σ_1 et σ_2 seront majorées de 300η car le gonflement du béton réduit la largeur des fissures et ce en raison de l'absence du retrait.

$$\sigma_1 = \frac{k \cdot n}{\phi} \frac{w_f}{1 + 10 \cdot w_f} + 300 \eta ; \quad \sigma_2 = 2.4 \sqrt{\frac{k \cdot n \cdot \sigma_b}{\phi}} + 300 \eta$$

D'où.

	ϕ	5	6	8	10	12	14	16	20	25	32
$\bar{\sigma}_a$	Adx	1600	1600	1600	1600	1549	1456	1381	1267	1165	1065
	H.A	2800	2714	2415	2215	2068	1948	1848	1704	1574	1447

2.2. contrainte admissible de compression : $\bar{\sigma}'_a = 2/3 \cdot \sigma_{en}$

Dans le cas des pièces soumises à la compression simple pour lesquelles l'acier utilisé serait tel que: $\sigma_{en} < 3300 \text{ Kg/cm}^2$

la valeur de $\bar{\sigma}'_a$ sera réduite à $\bar{\sigma}'_a = 2/3 \sigma_{en} = \frac{\sigma_{en}}{3340}$

* Acier HA $\rightarrow \bar{\sigma}'_a = \begin{cases} 2800 \text{ Kg/cm}^2 \rightarrow \phi \leq 20 \text{ (2750 b)} \\ 2670 \text{ Kg/cm}^2 \rightarrow \phi > 20 \text{ (2610 b)} \end{cases}$

* Acier doux $\rightarrow \bar{\sigma}'_a = 1150 \text{ Kg/cm}^2$

2.3. contrainte admissible d'adhérence : $\bar{\tau}_d$

Elle est donnée suivant deux zones

→ Zone d'ancrage normale: $\bar{\tau}_d = 1.25 \psi_d^2 \bar{\sigma}_b$

* Zone d'ancrage en pleine masse:

$\bar{\tau}_d = 2 \psi_d^2 \bar{\sigma}_b$

$\psi_d = \begin{cases} 1; \text{ rond lisse} \\ \frac{1.6}{\sqrt{2}} \eta_r; \text{ H.A} \end{cases}$

ψ_d : coefficient de scellement droit

η_r : valeur du coefficient de scellement égal à $\sqrt{2}$

$\bar{\tau}_d$ [kg/cm ²]	H.A	Adx
Zone normale	17.58	7.81
Zone en pleine masse	28.12	12.50

2.4. Recouvrement des armatures droites et longueur de scellements

La jonction de deux barres parallèles, identiques est assurée par recouvrement lorsque leurs extrémités se chevauchent sur une longueur l_r .

$$l_r = \begin{cases} l_d & \text{si } d \leq 5\phi \\ l_d + d & \text{si } d > 5\phi \end{cases} \quad \text{ou } d = \text{distance entr-axes des barres.}$$

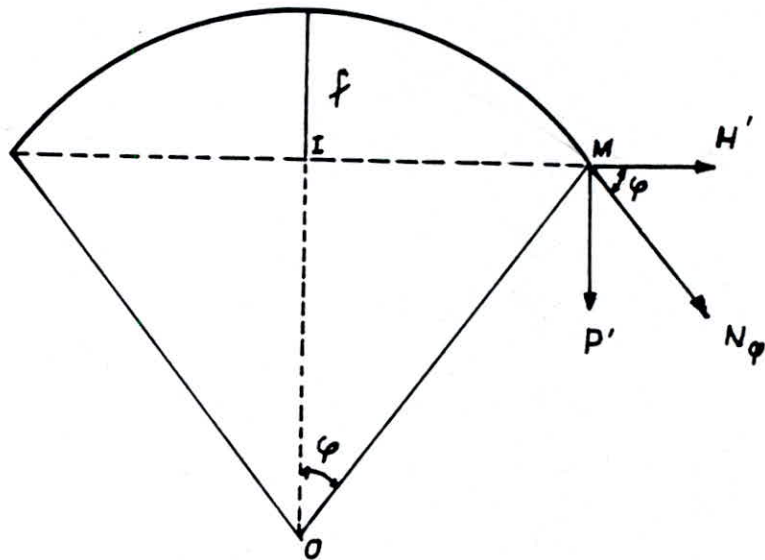
La longueur de scellement droit l_d d'une barre est la longueur minimale de zone rectiligne sur laquelle son ancrage peut-être total lorsqu'elle est isolée

$$l_d = \begin{cases} \frac{\phi}{4} \cdot \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\tau}_d} & \text{en traction} \\ \frac{\phi}{4} \cdot \frac{\bar{\sigma}_a'}{\bar{\tau}_d} & \text{en compression} \end{cases}$$

ϕ : étant le diamètre nominal de la barre.

ÉTUDE
DE LA COUPOLE

ETUDE DE LA COUPOLE



Soit S la surface de notre coupole $S = 2\pi R f$

R étant le rayon de la sphère

* poids total de la coupole $P_p = 2\pi R f p$

* poids par mètre de pourtour

$$P_p' = \frac{P_p}{2\pi r} = \frac{2\pi R f p}{2\pi r} = \frac{P R f}{r}$$

or $R = \frac{r^2 + f^2}{2f}$ car $r^2 = f(2R - f)$

et donc $P_p' = \frac{P f (r^2 + f^2)}{2f r}$

Les triangles OIM et (H', N_α, P_p') sont semblables

d'où : $\frac{H'}{R-f} = \frac{P_p'}{r} \Rightarrow H' = \frac{P_p'}{r} (R-f)$

$$H' = \frac{P f (r^2 + f^2)}{2f r} \frac{R-f}{r}$$

$$\text{or } R-f = \frac{r^2+f^2}{2f} - f = \frac{r^2-f^2}{2f}$$

$$\text{et donc } H' = \frac{Pf(r^2+f^2)(r^2-f^2)}{2fr \cdot 2fr} = \frac{P(r^4-f^4)}{4fr^2}$$

* pour les surcharges

Si nous considérons une surcharge q par mètre carré de projection horizontale, nous calculons de même :

$$P_q = \pi r^2 q$$

$$\text{par mètre de contour : } P'_q = \frac{\pi r^2 q}{2\pi r} = \frac{qr}{2}$$

$$H'_q = P'_q \cdot \frac{R-f}{r} = \frac{qr}{2} \cdot \frac{r^2-f^2}{2fr} = \frac{q(r^2-f^2)}{4f}$$

pratiquement on fait le calcul avec $H'_q = \frac{q(r^4-f^4)}{4fr^2}$ qui

est dans le sens de la sécurité car :

$$H'_q = \frac{q(r^4-f^4)}{4fr^2} = \frac{q(r^2-f^2)}{4f} \cdot \frac{r^2+f^2}{r^2} = \frac{q(r^2-f^2)}{4f} \left(1 + \frac{f^2}{r^2}\right) > \frac{q(r^2-f^2)}{4f}$$

* Effort de compression dans les méridiens

$$N_e = \sqrt{H'^2 + P'^2} \quad \text{qui sert à vérifier la contrainte}$$

$$\text{de compression } \sigma'_b = \frac{N_e}{b \cdot e} = \frac{N_e}{100e}$$

* Calcul de la ceinture

la ceinture est soumise à un effort de traction T tel que :

$$T = H' \cdot r$$

$$\text{et la section d'acier sera : } A = \frac{T}{\sigma_a}$$

$$\text{la contrainte de traction dans la ceinture est : } \sigma_b = \frac{T}{B+nA}$$

Application:

a) charges et surcharges

$$e = 8 \text{ cm}$$

$$f = 2,50 \text{ m}$$

$$r = 10,73 \text{ m}$$

$$h = 7 \text{ m}$$

$$d = 11,40 \text{ m}$$

$$R = \frac{r^2 + f^2}{2f} = \frac{10,73^2 + 2,50^2}{2 \cdot 2,5} = 24,27 \text{ m}$$

$$S = 2\pi Rf = 2\pi \cdot 24,27 \cdot 2,5 = 381,3 \text{ m}^2$$

* charges

$$\text{- poids propre : } P_p = 2500 \cdot 0,08 = 200 \text{ daN/m}^2$$

$$\text{- etancheite', isolation : } P_e = 40 \text{ daN/m}^2$$

$$P = 240 \text{ daN/m}^2$$

* Surcharges

$$\text{- surcharge d'exploitation} = 100 \text{ kg/m}^2 \Rightarrow q = 100 \text{ daN/m}^2$$

$$\Rightarrow P + 1,2q = 360 \text{ daN/m}^2$$

2) Calcul des efforts

* Calcul des charges et surcharges par metre de pourtour

$$\text{- charges : } P_p' = \frac{P \cdot S}{2\pi r} = \frac{240 \cdot 381,3}{2\pi \cdot 10,73} = 1357,5 \text{ daN/m}$$

$$\text{- Surcharges : } P_q' = \frac{q \cdot r}{2} = \frac{120 \cdot 10,73}{2} = 643,8 \text{ daN/m}$$

$$\Rightarrow P' = P_p' + P_q' = 2001 \text{ daN/m}$$

* poussée horizontale

$$H' = \frac{(P + 1,2q)(r^2 - f^2)}{4fr^2} = \frac{360(10,73^2 - 2,5^2)}{4 \cdot 2,5 \cdot 10,73^2} = 4132,6 \text{ daN/m}$$

$$H' = 4133 \text{ daN/m}$$

* effort de compression dans les meridiens

$$N_e = \sqrt{H'^2 + P'^2} = \sqrt{2001^2 + 4133^2} = 4591,5 \text{ daN/m}$$

3) calcul des contraintes

* contrainte de compression

$$\sigma'_b = \frac{N_e}{100 \cdot e} = \frac{4591,5}{100 \cdot 8} = 5,74 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b$$

* Contrainte de cisaillement

$$\tau_b = \frac{P'}{100 \cdot e} = \frac{2001}{100 \cdot 8} = 2,5 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\tau}_b$$

4) Calcul des armatures

Comme les contraintes de compression et de cisaillement sont inférieures aux contraintes admissibles, le béton suffit à lui seul mais on mettra quand même des armatures destinées à résister aux effets de retrait et aux efforts dissymétriques

• Suivant les meridiens: $A_1 = 0,3 \cdot e = 0,3 \cdot 8 = 2,4 \text{ cm}^2$

$$A_1 = 5 \text{ HA8 / m.l.} = 2,51 \text{ cm}^2/\text{m.l.}$$

• Suivant les parallèles: $A_2 = \frac{A_1}{3} = \frac{2,4}{3} = 0,8 \text{ cm}^2$

$$A_2 = 4 \text{ HA6 / m.l.} = 1,13 \text{ cm}^2/\text{m.l.}$$

5) Vérification de la coupole au poinçonnement

On vérifiera la coupole au poinçonnement causée par une charge de 150 kg répartie sur une surface de $40 \cdot 40 \text{ cm}^2$

$$1,5 \frac{P}{P_c \cdot h_t} \leq 1,2 \bar{\sigma}_b$$

h_t : épaisseur de la coupole

P : charge de 150 kg

P_c : périmètre dans le plan moyen de la coupole en tenant compte de la diffusion

$$P_c = 40 \left(40 + \frac{2h_t}{2} \right) = 40(40 + 8) = 192 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow \frac{1,5 \cdot 150}{192 \cdot 8} = 0,15 \text{ kg/cm}^2 < 1,2 \bar{\sigma}_b$$

6) Calcul de la ceinture

$$T = H \cdot r = 4133 \cdot 10,73 = 44347,1 \text{ daN}$$

la section d'acier sera de : (en choisissant des HA.20 $\rightarrow \bar{\sigma}_a = 1224 \text{ kg/cm}^2$)

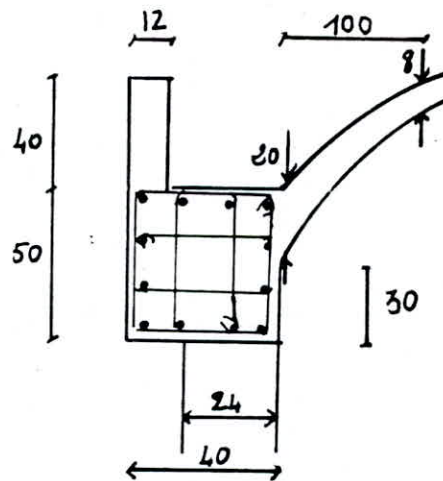
$$A = \frac{T}{\bar{\sigma}_a} = \frac{44347,1}{1224} = 36,23 \text{ cm}^2 \Rightarrow A = 12 \text{ HA20} = 37,7 \text{ cm}^2$$

la section de béton nécessaire en limitant la contrainte de traction du béton à 18 b.

$$B = \frac{T - nA}{\bar{\sigma}_{b1}} = \frac{44347,1 - 15 \cdot 37,7}{18} = 2432 \text{ cm}^2$$

Or la section de notre ceinture est:

$$50 \cdot 40 + 40 \cdot 12 = 2480 \text{ cm}^2$$



7) Vérification de la ceinture

* condition de fragilité

$$\omega_f = \frac{A}{B} > \frac{3\bar{\sigma}_c}{\bar{\sigma}_{en}} \Rightarrow \bar{A} \geq \frac{3\bar{\sigma}_c}{\bar{\sigma}_{en}} \cdot B = \frac{3 \cdot 6,25}{4200} \cdot 2480 = 11,07 \text{ cm}^2$$

$$A = 37,7 \text{ cm}^2 > \bar{A} = 11,07 \text{ cm}^2$$

* Condition de fissuration

$$\bar{\sigma}_1 = K \frac{\omega_f}{1 + 10\omega_f}$$

$$\omega_f = \frac{37,7}{2000} = 0,019$$

$$\bar{\sigma}_1 = 0,5 \cdot 10^6 \cdot \frac{1,6}{20} \cdot \frac{0,019}{1+0,19} = 639 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_1 = 639 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_2 \Rightarrow \text{Verifie}$$

$$\text{Car } \bar{\sigma}_a = \min \begin{cases} \frac{2}{3} \bar{\sigma}_{cm} \\ \max(\bar{\sigma}_1, \bar{\sigma}_2) \end{cases}$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{T}{A} = \frac{44347,1}{37,7} = 1176,3 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_a = 1176,3 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 1224 \text{ Kg/cm}^2$$

* Ouverture de la coupole

nous avons deux sortes d'ouvertures

- l'une de 1m de diametre au centre pour l'aeration
- l'autre de 0,5m de diametre pour le nettoyage

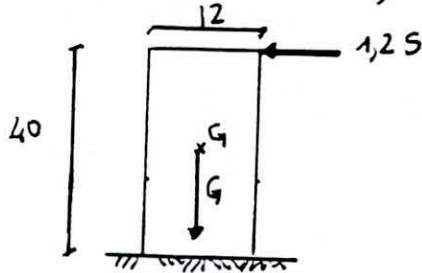
Ces ouvertures sont soumises à la compression et comme le béton passe bien à la compression nous adopterons un ferrailage de principe qui consistera à relever le ferrailage méridien de la coupole

* Armature transversale de la ceinture

On prendra 3 cadres $\phi 8$ tous les 30 cm Comme sur le schéma précédant.

ETUDE DE L'ACROTÈRE

l'acrotère est supposée encastree à la base, elle sera calculée en flexion composée.



$$N = G = (0,12 \cdot 0,4 \cdot 1) 2,5 \cdot 10^3 = 120 \text{ Kg/m.l}$$

$$M = 1,25 \cdot 0,4 = 1,2 \cdot 100 \cdot 0,4 = 48 \text{ Kg.m/m.l}$$

$$e_0 = \frac{M}{N} = \frac{48}{120} = 40 \text{ cm}$$

$$e_1 = \frac{h_c}{6} = \frac{12}{6} = 2 \text{ cm}$$

$\Rightarrow e_0 > e_1 \Rightarrow$ c'est une section partiellement comprimée

$$\bar{\sigma}_b = 150 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_a = 1731 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\Rightarrow \alpha = 0,565$$

$$\gamma = 0,812$$

$$M_{\text{fictif}} = N \cdot f = 120 \cdot 0,43 = 51,6 \text{ Kg.m/m.l}$$

$$M_{r,b} = \frac{1}{2} \cdot 0,565 \cdot 0,812 \cdot 150 \cdot 100 \cdot 9^2 = 2787 \text{ Kg.m/m.l}$$

$M_{r,b} > M_{\text{fictif}} \Rightarrow$ les aciers comprimés ne sont pas nécessaires

$$u = \frac{15 \cdot M}{\bar{\sigma}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 5160}{1731 \cdot 100 \cdot 9^2} = 0,0055 \Rightarrow \begin{cases} \epsilon = 0,9662 \\ K = 133 \end{cases}$$

$$A_{f_0} = \frac{M}{\bar{\sigma}_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{5160}{1731 \cdot 0,9662 \cdot 9} = 0,34 \text{ cm}^2 \Rightarrow A_c = 0,27 \text{ cm}^2$$

Comme A est faible on prendra la section donnée par la condition de non fragilité.

$$A \geq 0,69 \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_{cm}} \cdot b \cdot h = 0,69 \cdot \frac{6,25}{4200} \cdot 100 \cdot 7 = 0,72 \text{ cm}^2$$

On prendra 4 H.A. 8 / m.l $\Rightarrow A = 2,51 \text{ cm}^2$

Vérification

$$* \sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{1731}{133} = 13 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b$$

$$* \text{L'effort tranchant : } T = 1,25 = 120 \text{ Kg/m.l.}$$

$$A\bar{\sigma}_a = 2,51 \cdot 1731 = 4345 \text{ Kg}$$

$$T + \frac{M}{\delta} = 120 + \frac{4800}{\frac{7}{8}} = 903,7 \text{ Kg/cm}^2 \quad \left. \vphantom{T + \frac{M}{\delta}} \right\} \Rightarrow A\bar{\sigma}_a > T + \frac{M}{\delta}$$

*. Seisme local

L'effort sismique horizontal F_p est donné par

$$F_p = Z_I \cdot C_p \cdot W_p$$

avec $Z_I = 1,19$ (zone II, groupe d'usage 1)
 $C_p = 0,8$ (élément de console)
 $W_p = 75 \text{ Kg/m.l.}$

$$F_p = 1,19 \cdot 0,8 \cdot 75 = 71,5 \text{ Kg/m.l.} < 1,25 = 120 \text{ Kg/m.l.}$$

• L'acrotère a été dimensionnée avec un effort supérieure a la force sismique, et donc elle est vérifiée au seisme local

• On laissera 4 H.A.8/m.l. en attente à partir de la poutre afin d'assurer l'encastrement de l'acrotère.

ÉTUDE

DES PAROIS

ETUDE DE LA PAROI

la paroi sera étudiée sous deux cas :

Cas 1: le réservoir est plein et donc soumis à la poussée de l'eau. Pour une question de sécurité on négligera dans ce cas la poussée des terres.

Cas 2: le réservoir est vide et soumis à l'action des terres seulement. On supposera que le réservoir est complètement enterré (jusqu'à la base de la ceinture.).

Cas 3: Réservoir plein :

A partir de la théorie de la membrane, TIMOSHENKO est arrivé à étudier dans son ouvrage intitulé "Coques et plaques" l'équilibre d'une coque soumise à des pressions extérieures et ce à partir des déplacements des éléments de coque.

Il est arrivé à donner les relations entre le déplacement et les éléments de réduction qui sont :

$$N_e = \frac{D(1-\nu^2)}{a} w$$

$$D = \frac{E \cdot t}{1-\nu^2} \quad \begin{array}{l} \text{résistance à la} \\ \text{dilatation} \end{array}$$

$$M_x = K w''$$

$$\text{avec } K = \frac{E \cdot t^3}{12(1-\nu^2)} \quad \begin{array}{l} \text{résistance à} \\ \text{la flexion} \end{array}$$

$$T_x = K w'''$$

où : t : épaisseur de la paroi

a : rayon interne du réservoir

ν : coefficient de poisson

w : déplacement radial de l'élément de paroi

M_x : moment flechissant sur l'élément de paroi

N_e : poussée radial sur l'élément de paroi

T_x : effort tranchant sur l'élément de paroi

Dans ce cas de la poussée d'eau, w sera la solution de l'équation différentielle suivante:

$$K w^{IV} + D a^2 (1-\nu^2) \cdot w = \gamma \cdot a^4 (h-a)$$

où γ = masse volumique de l'eau

la solution particulière de cette équation est:

$$W = \frac{\gamma \cdot a^2}{D \cdot (1 - u^2)} (h - x)$$

la solution de l'équation homogène est de la forme:

$$W = e^{-\frac{\alpha}{a}x} (C_1 \cos \frac{\alpha}{a}x + i C_2 \sin \frac{\alpha}{a}x) + e^{-\frac{\alpha}{a}x'} (C_3 \cos \frac{\alpha}{a}x' + i C_4 \sin \frac{\alpha}{a}x')$$

$$\text{où } \alpha = \sqrt[4]{\frac{3a^2(1-u^2)}{b^2}} \quad \text{et } x' = h - x$$

Vu que α est un terme de grande valeur alors les fonctions $e^{\alpha x}$ et $e^{\alpha x'}$ croissent très vite, en faisant varier x ou x' à partir de zéro

Donc à l'inverse, les fonctions $e^{-\alpha x}$ et $e^{-\alpha x'}$ auront rapidement des valeurs très faibles si on s'éloigne de $x = 0$ ou $x' = 0$.

et donc au bord inférieur on aura comme solution de l'équation homogène

$$W = e^{-\frac{\alpha}{a}x} (C_1 \cos \frac{\alpha}{a}x + i C_2 \sin \frac{\alpha}{a}x)$$

la solution générale de l'équation non homogène sera:

$$W = e^{-\frac{\alpha}{a}x} (C_1 \cos \frac{\alpha}{a}x + i C_2 \sin \frac{\alpha}{a}x) + \frac{\gamma a^2}{D(1-u^2)} (h-x)$$

$$\begin{aligned} * \frac{\partial W}{\partial x} &= -\frac{\alpha}{a} e^{-\frac{\alpha}{a}x} (C_1 \cos \frac{\alpha}{a}x + i C_2 \sin \frac{\alpha}{a}x) + e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left(-\frac{\alpha}{a} C_1 \sin \frac{\alpha}{a}x + i \frac{\alpha}{a} C_2 \cos \frac{\alpha}{a}x \right) \\ &\quad - \frac{\gamma a^2}{D(1-u^2)} \end{aligned}$$

$$\frac{\partial W}{\partial x} = -\frac{\alpha}{a} e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left(C_1 \cos \frac{\alpha}{a} x + i C_2 \sin \frac{\alpha}{a} x + C_1 \sin \frac{\alpha}{a} x - i C_2 \cos \frac{\alpha}{a} x \right) - \frac{\gamma a^2}{D(1-u^2)}$$

$$* \frac{\partial^2 W}{\partial x^2} = \frac{\alpha^2}{a^2} e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left[C_1 \cos \frac{\alpha}{a} x + i C_2 \sin \frac{\alpha}{a} x + C_1 \sin \frac{\alpha}{a} x - i C_2 \cos \frac{\alpha}{a} x + C_1 \sin \frac{\alpha}{a} x - i C_2 \cos \frac{\alpha}{a} x - C_1 \cos \frac{\alpha}{a} x - i C_2 \sin \frac{\alpha}{a} x \right]$$

$$\frac{\partial^2 W}{\partial x^2} = 2 \frac{\alpha^2}{a^2} e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left(C_1 \sin \frac{\alpha}{a} x - i C_2 \cos \frac{\alpha}{a} x \right)$$

$$* \frac{\partial^3 W}{\partial x^3} = -2 \frac{\alpha^3}{a^3} e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left(C_1 \sin \frac{\alpha}{a} x - i C_2 \cos \frac{\alpha}{a} x - C_1 \cos \frac{\alpha}{a} x - i C_2 \sin \frac{\alpha}{a} x \right)$$

$$\frac{\partial^3 W}{\partial x^3} = -2 \frac{\alpha^3}{a^3} e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left[C_1 (\sin \frac{\alpha}{a} x - \cos \frac{\alpha}{a} x) - i C_2 (\sin \frac{\alpha}{a} x + \cos \frac{\alpha}{a} x) \right]$$

• Détermination des constantes d'intégration C_1 et C_2 :

la base du réservoir est supposée encastree sur le radier et donc :

$$\begin{cases} W(x=0) = 0 \\ \left(\frac{\partial W}{\partial x} \right)_{x=0} = 0 \end{cases}$$

$$* W_{x=0} = 0 \Rightarrow C_1 + \frac{\gamma a^2 h}{D(1-u^2)} = 0 \Rightarrow C_1 = -\frac{\gamma a^2 h}{D(1-u^2)}$$

$$* \left(\frac{\partial W}{\partial x} \right)_{x=0} = -\frac{\alpha}{a} (C_1 - i C_2) - \frac{\gamma a^2}{D(1-u^2)} = 0$$

$$\Rightarrow (C_1 - i C_2) = -\frac{\gamma a^3}{\alpha D(1-u^2)}$$

$$\Rightarrow C_1 + \frac{\gamma a^3}{\alpha D(1-u^2)} = i C_2 \Rightarrow C_2 = \frac{1}{i} \left(\frac{\gamma a^2 h}{D(1-u^2)} + \frac{\gamma a^3}{\alpha D(1-u^2)} \right)$$

$$C_2 = \frac{1}{i} \frac{\gamma a^2}{D(1-u^2)} \left[-h + \frac{a}{\alpha} \right]$$

Ce qui nous donne

$$\frac{\partial^2 W}{\partial x^2} = 2 \frac{\alpha^2}{a^2} e^{-\frac{\alpha}{a} x} \left[-\frac{\gamma a^2 h}{D(1-u^2)} \sin \frac{\alpha}{a} x - \frac{\gamma a^2}{D(1-u^2)} \left(-h + \frac{a}{\alpha} \right) \cos \frac{\alpha}{a} x \right]$$

$$* M_x = K \cdot W'' = \frac{2K \alpha^2 e^{-\frac{\alpha}{a} x}}{D(1-u^2)} \left(-\gamma \sin \frac{\alpha}{a} x - \gamma \left(-h + \frac{a}{\alpha} \right) \cos \frac{\alpha}{a} x \right)$$

$$\text{or } \frac{K}{D} = \frac{E \cdot t^3}{12(1-u^2)} \cdot \frac{(1-u^2)}{E \cdot t} = \frac{t^2}{12}$$

d'où

$$M_x = \frac{t^2 \alpha^2 \gamma e^{-\frac{\alpha}{a} x}}{6(1-u^2)} \left[-h \sin \frac{\alpha}{a} x + \left(h - \frac{a}{\alpha} \right) \cos \frac{\alpha}{a} x \right]$$

$$* N_e = \frac{D(1-u^2)}{a} W' = \frac{D(1-u^2)}{a} \left[e^{-\frac{\alpha}{a} x} \left(C_1 \cos \frac{\alpha}{a} x + i C_2 \sin \frac{\alpha}{a} x \right) + \frac{\gamma a^2 (h-x)}{D(1-u^2)} \right]$$

$$N_e = \frac{D(1-u^2)}{a} \left[e^{-\frac{\alpha}{a} x} \left(-\frac{\gamma a^2 h}{D(1-u^2)} \cos \frac{\alpha}{a} x + \frac{\gamma a^2}{D(1-u^2)} \left(h + \frac{a}{\alpha} \right) \sin \frac{\alpha}{a} x \right) + \frac{\gamma a^2 (h-x)}{D(1-u^2)} \right]$$

$$N_e = e^{-\frac{\alpha}{a} x} \left[-\gamma \cdot a \cdot h \cos \frac{\alpha}{a} x + \gamma a \left(-h + \frac{a}{\alpha} \right) \sin \frac{\alpha}{a} x \right] + \gamma \cdot a \cdot (h-x)$$

$$* T = K \cdot W''' = \frac{\partial M_x}{\partial x} = \frac{t^2 \alpha^2 \gamma}{6(1-u^2)} \left(-\frac{\alpha}{a} \right) e^{-\frac{\alpha}{a} x} \left[-h \sin \frac{\alpha}{a} x + \left(h - \frac{a}{\alpha} \right) \cos \frac{\alpha}{a} x \right. \\ \left. + h \cos \frac{\alpha}{a} x + \left(h - \frac{a}{\alpha} \right) \sin \frac{\alpha}{a} x \right]$$

$$T = \frac{-t^2 \alpha^3 \gamma}{6 \cdot a (1-u^2)} e^{-\frac{\alpha}{a} x} \left[h \left(\cos \frac{\alpha}{a} x - \sin \frac{\alpha}{a} x \right) + \left(h - \frac{a}{\alpha} \right) \left(\cos \frac{\alpha}{a} x + \sin \frac{\alpha}{a} x \right) \right]$$

Récapitulation

$$M_x = \frac{t^2 \alpha^2 \gamma}{6(1-u^2)} e^{-\frac{\alpha}{a} x} \left[-h \sin \frac{\alpha}{a} x + \left(h - \frac{a}{\alpha} \right) \cos \frac{\alpha}{a} x \right]$$

$$N_x = e^{-\frac{\alpha}{a} x} \left[-\gamma \cdot a \cdot h \cos \frac{\alpha}{a} x + \gamma a \left(\frac{a}{\alpha} - h \right) \sin \frac{\alpha}{a} x \right] + \gamma a (h-x)$$

$$T = \frac{-t^2 \alpha^3 \gamma}{6a(1-u^2)} e^{-\frac{\alpha}{a} x} \left[+h \left(\cos \frac{\alpha}{a} x - \sin \frac{\alpha}{a} x \right) + \left(h - \frac{a}{\alpha} \right) \left(\cos \frac{\alpha}{a} x + \sin \frac{\alpha}{a} x \right) \right]$$

Remarque

le cahier des charges pour le calcul des réservoirs fixe le poids volumique de l'eau à 1200 kg/m^3 au lieu de 1000 kg/m^3 .

EFFORTS côtes	M_x (t.m/m.l)	N_x t/m.l	T t/m.l
0,00	+ 5,20	0	- 9,40
1,00	- 0,46	26,20	- 2,52
2,00	- 1,30	51,05	+ 0,30
3,00	- 0,69	53,32	+ 0,67
4,00	- 0,16	42,19	+ 0,35
5,00	+ 0,03	27,47	+ 0,08
6,00	+ 0,05	13,26	+ 0,02
7,00	0	0	0

$$M_x = 899,69 e^{-0,817x} [-7 \sin 0,817x + 5,776 \cos 0,817x]$$

$$N_x = e^{-0,817x} [-89880 \cos 0,817x - 5,776 \sin 0,817x] + 12840(7-x)$$

$$T = -734,6 e^{-0,817x} [12,776 \cos 0,817x - 1,224 \sin 0,817x]$$

ferrailage horizontale des viroles

viroles	$T_i = \frac{F_i + E_{i-1}}{2}$ (b)	$A_i = \frac{T_i}{f_a}$ cm ²	A (choisie) cm ²	ESPACEM. cm	$\sigma_{bH} = \frac{T}{100B + 15A}$ Kg/cm ²
$0 \leq h \leq 1$	$\frac{0 + 26,2}{2} = 13,1$	$\frac{13100}{2060} = 6,35$	10 HA 12 = 11,31	20	$\frac{13100}{100 \cdot 24 + 15 \cdot 11,31} = 5,10 \text{ Kg/cm}^2 < 22b$
$1 \leq h \leq 2$	$\frac{26,2 + 51,05}{2} = 38,6$	$\frac{38600}{1848} = 20,88$	12 HA 16 = 24,12	16	$\frac{38600}{2400 + 15 \cdot 24,12} = 13,97 \text{ Kg/cm}^2 < 22b$
$2 \leq h \leq 3$	$\frac{51,05 + 53,32}{2} = 52,2$	$\frac{52200}{1848} = 28,04$	14 HA 16 = 28,15	14	$\frac{52200}{2400 + 15 \cdot 28,15} = 18,50 \text{ Kg/cm}^2 < 22b$
$3 \leq h \leq 4$	$\frac{53,32 + 42,19}{2} = 47,8$	$\frac{47800}{1848} = 25,86$	14 HA 16 = 28,15	14	$\frac{47800}{2400 + 15 \cdot 28,15} = 17,7 \text{ Kg/cm}^2 < 22b$
$4 \leq h \leq 5$	$\frac{42,19 + 27,47}{2} = 34,8$	$\frac{34800}{1848} = 18,83$	10 HA 16 = 20,1	20	$\frac{34800}{2400 + 15 \cdot 20,1} = 12,9 \text{ Kg/cm}^2 < 22b$
$5 \leq h \leq 6$	$\frac{27,47 + 13,26}{2} = 20,4$	$\frac{20400}{1943} = 10,50$	10 HA 12 = 11,32	20	$\frac{20400}{2400 + 15 \cdot 11,32} = 7,94 \text{ Kg/cm}^2 < 22b$
$6 \leq h \leq 7$	$\frac{13,26 + 0}{2} = 6,63$	$\frac{6630}{2211} = 3,00$	10 HA 10 = 7,85	20	$\frac{6630}{2400 + 15 \cdot 7,85} = 2,63 \text{ Kg/cm}^2 < 22b$

Cas "2" Réservoir vide

Dans le cas du réservoir vide, la paroi n'est soumise qu'à la poussée des terres.

On supposera que le réservoir est totalement enterré (jusqu'à la base de la ceinture)

Les terres sont constituées d'un remblai argilo-graveleux dont les caractéristiques sont en général :

$$\Delta : \text{ poids spécifique} = 1700 \text{ à } 2000 \text{ daN/m}^3$$

$$c : \text{ cohésion} = 0,1 \text{ à } 0,8 \text{ kdaN/m}^2$$

$$\varphi : \text{ angle de frottement} \approx 25^\circ \text{ à } 40^\circ$$

Comme le rapport de sol ne donne pas les caractéristiques exactes du sol on prendra des valeurs sécurisantes

$$\Delta = 2000 \text{ daN/m}^3$$

$$c = 0$$

$$\varphi = 30^\circ$$

Le calcul des éléments de réduction se fera de la même manière que pour le 1^{er} cas : "poussée de l'eau" mais avec :

$$\gamma_t = (K_a \cdot \Delta)$$

K_a : coefficient de poussée horizontale

$$\text{D'après RESAL ; } K_a = f(\varphi, \alpha) = f(30^\circ, 0^\circ) = 0,270$$

α : étant inclinaison de la paroi = 0°

$$\Rightarrow \gamma_t = K_a \cdot \Delta = 0,27 \cdot 2000 = 540 \text{ kg/m}^3$$

$$t = 0,24$$

$$a = 11 \text{ m}$$

$$h = 8 \text{ m}$$

$$\left. \begin{array}{l} t = 0,24 \\ a = 11 \text{ m} \\ h = 8 \text{ m} \end{array} \right\} \alpha = \sqrt[4]{\frac{3 a^2 (1 - \nu^2)}{t^2}} = 8,859$$

En remplaçant ces valeurs dans les formules du cas 1° On obtient

$$M_x = -499,46 e^{-0,805x} [-8 \sin 0,805x + 6,758 \cos 0,805x]$$

$$N_x = -e^{-0,805x} [-57024 \cos 0,805x - 48173,35 \sin 0,805x] + 7128(8-x)$$

Efforts Cotes	M_x t.m/m.l	N_x t/m.l
0,00	- 3,37	0
1,00	+ 0,24	-16,70
2,00	+ 0,82	-33,59
3,00	+ 0,46	-36,59
4,00	+ 0,12	-30,93
5,00	- 0,016	-22,69
6,00	- 0,0031	-14,59
7,00	+ 0,016	-7,07
8,00	0	0

Vérification des contraintes de compression dans les viroles

Viroles	$F_i' = \frac{N_x + N_{x+1}}{2}$ (t)	$\sigma_{bi}' = \frac{F_i'}{100 \cdot a}$ $\frac{\text{kg}}{\text{cm}^2}$
1	$\frac{0 + 16,7}{2} = 8,35$	$\frac{8350}{2400} = 3,48$
2	$\frac{16,7 + 33,59}{2} = 25,15$	$\frac{25150}{2400} = 10,48$
3	$\frac{33,59 + 36,59}{2} = 35,09$	$\frac{35090}{2400} = 14,62$
4	$\frac{36,59 + 30,93}{2} = 33,76$	$\frac{33760}{2400} = 14,06$
5	$\frac{30,93 + 22,69}{2} = 26,81$	$\frac{26810}{2400} = 11,17$
6	$\frac{22,69 + 14,59}{2} = 18,64$	$\frac{18640}{2400} = 7,77$
7	$\frac{14,59 + 7,07}{2} = 10,83$	$\frac{10830}{2400} = 4,51$
8	$\frac{7,07 + 0}{2} = 3,54$	$\frac{3540}{2400} = 1,48$

Comme les contraintes de compression dans le béton sont inférieures à la contraintes admissible, le béton suffit à lui seul et donc le ferrailage des viroles se fera avec la poussée de l'eau.

* FERRAILLAGE VERTICAL

moments maximaux

Moments	Poussée de l'eau	Poussée des terres
Max. Positif	+ 5,20 t.m	+ 0,82 t.m
Max. Négatif	- 1,30 t.m	- 3,37 t.m

* Ferroillage longitudinal de la paroi

* Moment maximal positif

$$M = 5,2 \text{ t.m}$$

$$N' = 8,42 \text{ t}$$

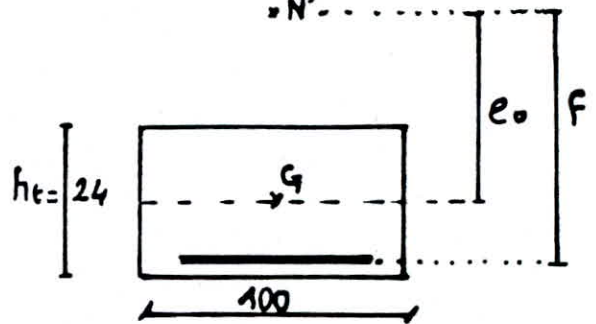
la section sera considérée comme si elle se présente pas de courbure

elle est soumise à la flexion composée.

On appliquera la méthode de "PIERRE CHAON"

$$e_0 = \frac{M}{N'} = \frac{5,2 \cdot 10^5}{8,42 \cdot 10^3} = 61,8 \text{ cm.}$$

$$e_1 = \frac{h_0}{6} = \frac{24}{6} = 4 \text{ cm}$$



$\Rightarrow e_0 > e_1 \Rightarrow$ c'est une section partiellement comprimée.

$$f = e_0 + \frac{h_0}{2} - d = 61,8 + \frac{24}{2} - 4 = 69,8 \text{ cm}$$

On calculera la section comme si elle était soumise à la flexion simple avec un moment fictif M

$$M = N' \cdot f = 8,42 \cdot 0,698 = 5,87 \text{ t.m}$$

comme $\theta_0 > \frac{h_0}{2} \Rightarrow \bar{\sigma}'_b = 2 \bar{\sigma}'_b = 150 \text{ Kg/cm}^2$

On utilisera des H.A.20 $\Rightarrow \bar{\sigma}_a = 1704 \text{ Kg/cm}^2$

$$\rightarrow \begin{cases} \alpha = 0,57 \\ \gamma = 0,81 \end{cases}$$

le moment résistant de béton étant

$$M_{rb} = \frac{1}{2} \cdot \alpha \cdot \gamma \cdot \bar{\sigma}'_b \cdot b \cdot h^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,57 \cdot 0,81 \cdot 150 \cdot 100 \cdot 20^2 = 13,48 \text{ t.m}$$

$$M_{rb} > M \Rightarrow A'_s = 0 \Rightarrow A'_c = 0$$

$$A_s = \frac{M}{\gamma h \bar{\sigma}_a} = \frac{5,67 \cdot 10^5}{0,81 \cdot 20 \cdot 1704} = 20,54 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow A_c = A_s - \frac{N}{\bar{\sigma}_a} = 20,54 - \frac{8420}{1704} = 15,60 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} A'_c = 0 \\ A_c = 5 \text{ H.A. } 20 = 15,71 \text{ cm}^2 \end{cases}$$

Vérification des contraintes

Elle sera réalisée avec la méthode usuelle appliquée dans le béton

On pose $y = x - c$

$$\Rightarrow x = y + c$$

L'équation du moment statique nous donne

$$y^3 + \left\{ -3c^2 - \frac{6x}{b} [A'(c-d') - A(h-c)] \right\} \cdot y + \left\{ -2c^3 - \frac{6x}{b} [A'(c-d')^2 + A(h-c)^2] \right\} = 0$$

qui est de la forme :

$$y^3 + py + q = 0 \quad \text{avec}$$

$$p = \left\{ -3c^2 - \frac{6x}{b} [A'(c-d') - A(h-c)] \right\}$$

$$q = \left\{ -2c^3 - \frac{6x}{b} [A'(c-d')^2 + A(h-c)^2] \right\}$$

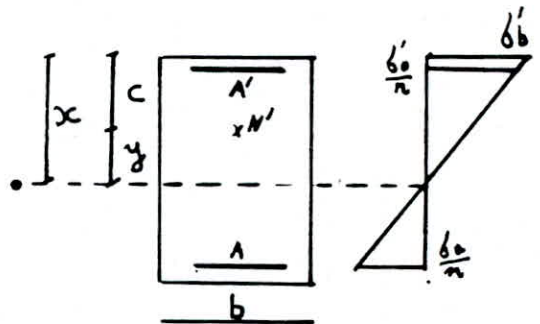
dont la solution est :

$$y = \left\{ -\frac{q}{2} + \left[\left(\frac{q}{2}\right)^2 + \left(\frac{p}{3}\right)^3 \right]^{\frac{1}{2}} \right\}^{\frac{1}{3}} + \left\{ -\frac{q}{2} - \left[\left(\frac{q}{2}\right)^2 + \left(\frac{p}{3}\right)^3 \right]^{\frac{1}{2}} \right\}^{\frac{1}{3}}$$

le moment d'inertie sera :

$$I = \frac{bx^3}{3} + nA'(x-d')^2 + nA(h-x)^2$$

On pose $K = \frac{N \cdot y}{I}$ et on vérifiera



$$\bar{\sigma}'_b = K \cdot x \leq \bar{\sigma}'_b$$

$$\bar{\sigma}'_a = n K (h-x) \leq \bar{\sigma}'_a$$

N.B: Tous les résultats des calculs seront dressés
sur le tableau suivant.

h (cm)	M (t.m)	N' (t)	e_o (cm)	f (cm)	M_b (t.m)	M_{rb} (t.m)	A (cm ²)	A' (cm ²)
0,0	+5,2	8,42	62	70	5,67	13,48	15,60 5HA20 = 15,71	0
0,0	-3,37	8,42	40	48	4,04	13,46	8,82 5HA16 = 10,05	0
2,0	+0,82	6,82	12	20	1,36	12,24	0,53 5HA8 = 2,51	0
2,0	-1,30	6,82	19	27	1,85	12,14	1,74 5HA8 = 2,51	0

h (cm)	y (cm)	x (cm)	I (cm ⁴)	K	σ_b' (Kg/cm ²)	σ_a' (Kg/cm ²)
0,0	58,2	8,2	51190,84	9,57	78,5	1694 < 1704
0,0	35,0	7,0	36910,08	7,98	55,9	1556,2 < 1848
0,0	8,15	8,15	23331,69	2,38	19,42	423,0 < 2415
0,0	12,75	5,75	13982,3	6,21	35,76	1327,4 < 2415

Le RPA (art. 4.3.3.3) donne comme pourcentage minimum des armatures verticales sur toute la zone tendue : 0.5 %. On prendra donc : 5 HA 12 / ml au lieu de 5 HA 8 / ml.

Vérification de l'effort tranchant

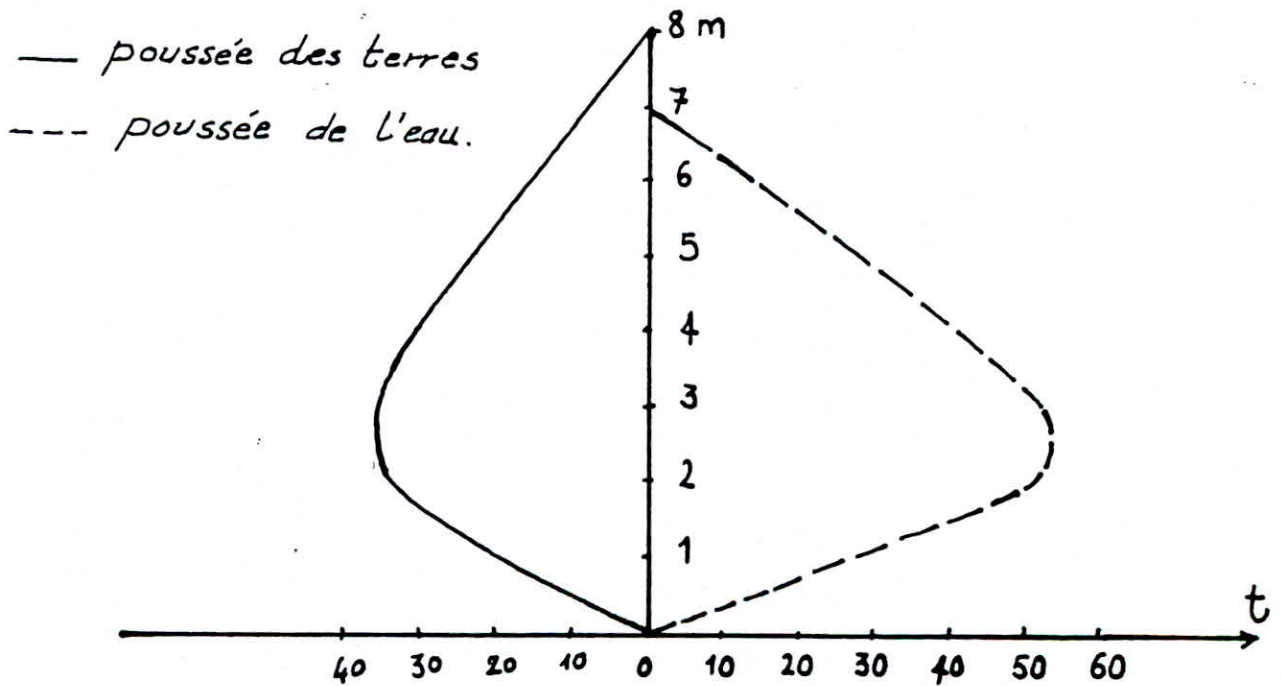
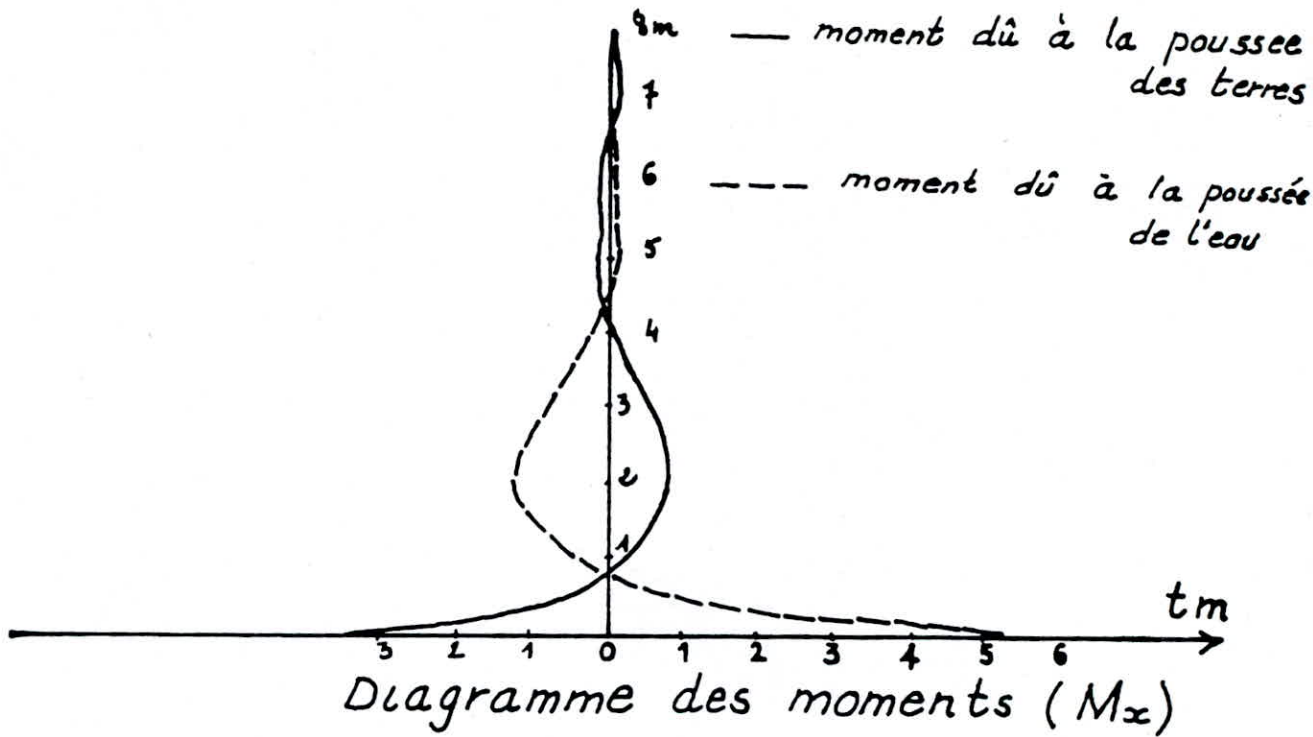
$$T_{\max} = 9,40 \text{ t}$$

$$\tau_b = \frac{T}{b \cdot d} = \frac{9400}{100 \cdot \frac{7}{8} \cdot 20} = 5,37 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\tau_b = 5,37 \text{ Kg/cm}^2 < 2,5 \bar{\sigma}_b = 2,5 \cdot 6,25 = 15,62 \text{ Kg/cm}^2$$

et donc $\tau_b < \bar{\tau}_b$

L'effort tranchant sera repris par les armatures horizontales en arcs et par les armatures en épingles de maintien.



ETUDE

HYDRODYNAMIQUE

ETUDE HYDRODYNAMIQUE

I GENERALITES:

Il est possible de décrire le comportement général du fluide vibrant d'après les résultats expérimentaux et analytiques.

Le fluide que contient le réservoir se répartit en général en deux zones:

- Zone 1: C'est la zone inférieure du fluide qui représente une masse soumise à des contraintes (sous l'effet d'une accélération sismique horizontale) et qui tend à se déplacer comme un corps rigide en suivant les mouvements du réservoir.
- Zone 2: c'est la zone supérieure du fluide qui représente une masse qui tend à se déplacer avec un mouvement de vagues.

Nous représenterons ci-dessous un aperçu sur la méthode approchée de calcul d'après HOUSNER

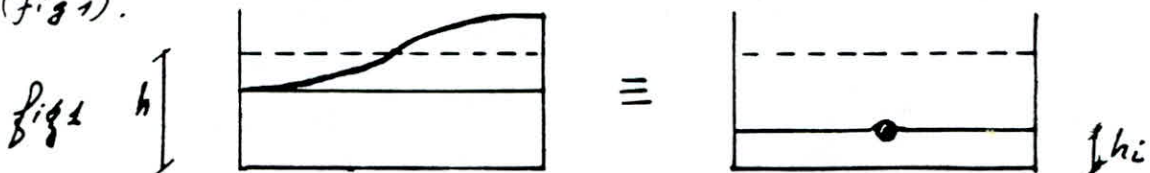
II APERÇU SUR LA METHODE DE HOUSNER.

* Cas d'un réservoir posé sur le sol:

Comme on a mentionné ci-dessus, on décompose l'action sismique du liquide en deux types d'actions:

- Une action passive provoquant des efforts d'impulsion
- Une action active provoquant des efforts d'oscillation

Les efforts d'impulsion proviennent du fait qu'une partie de la masse du fluide (dite: masse passive) réagit par inertie à la translation des parois du réservoir. Son système mécanique est obtenu en considérant une masse (M_i) liée rigidement au réservoir, à une hauteur (h_i) telle qu'elle exerce sur les parois les mêmes efforts horizontaux que la masse d'eau équivalente (fig 1).



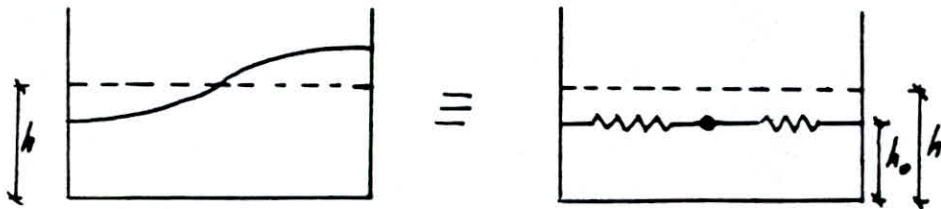
EQUIVALENT. MECANIQUE DES PRESSIONS D'IMPULSION
(quand on néglige les oscillations de l'eau)

Quand aux efforts d'oscillation, ils proviennent du fait qu'une autre partie de la masse du fluide (eau dans notre cas) dite masse active se met en mouvement d'oscillation sous l'action du seisme.

Son équivalent mécanique s'obtient en considérant une masse M_0 retenue par un ressort de raideur K au niveau h_0 ou h_0^* dont les oscillations horizontales exercent les mêmes efforts vibratoires que la masse active du fluide.

- Pour le calcul des moments de flexions, les seules actions prises en compte sont celles exercées sur les parois, dans ce cas la masse M_0 est appliquée au niveau h_0 (fig 2)

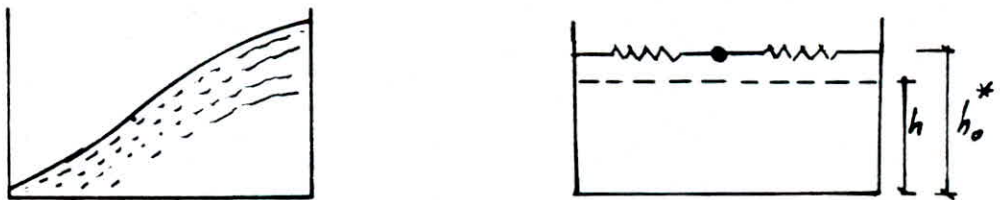
fig 2



EQUIVALENT MECANIQUE DES PRESSIONS D'OSCILLATION

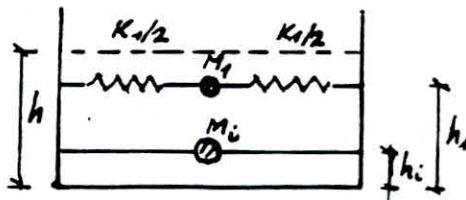
- Pour le calcul du moment de renversement on prend en compte l'action des surpression sur le fond du réservoir; dans ce cas la masse M_0 est appliquée au niveau h_0^* (fig 3)

fig 3



Ainsi le modèle qu'on retiendra pour l'ensemble des deux types d'actions sera celui de la figure 4: ci-dessous.

fig 4



III) NOTATIONS :

M_1 : masse d'eau non vibrante du liquide

M_2 : masse d'eau vibrante du liquide

M_r : masse du reservoir

h_1 et h_3 : hauteurs engendrant les pressions dynamique sur le fond du reservoir servant au calcul du moment de renversement (à la base).

h_2 et h_4 = hauteurs servant au calcul du moment de flexion

BM_{max} : Moment de flexion maximal dans un plan horizontal situe juste au dessus de la base.

OT_{max} : Moment de renversement maximal dans un plan horizontal situe juste sous la base

V_{max} : cisaillement maximal

d_{max} : déplacement maximal

IV) Discussion :

les courbes et équations de la methode de HOUSNER (présentées dans l'ouvrage "CONCEPTION ET CALCUL DES STRUCTURES SOUMISES AUX SEISMES") permettent à l'ingenieur d'effectuer une analyse dynamique faisant intervenir les effets des lois de l'hydrodynamique.

Cette methode nous permet de calculer la hauteur libre à prévoir pour amortir l'effet de vague qui risque d'endommager le couvercle du reservoir.

V APPLICATION

V_a) Calcul du poids du réservoir

- * dalle (lanterneau) $Q_0 = 2,5 (\pi \cdot 1^2 \cdot 0,06) = 0,47 t$
- * Coupole - charge $Q_1 = P.S = 0,24 \cdot 381,3 = 91,5 t$
- surcharge $S_1 = q \cdot S_p = 0,10 \cdot 361,7 = 36,2 t$
- * Arcature $Q_2 = 2,5 (2\pi \cdot 10,91 \cdot 0,4 \cdot 0,12) = 8,2 t$
- * Ceinture $Q_3 = 2,5 (2\pi \cdot 10,85 \cdot 0,4 \cdot 0,5) = 34,1 t$
- * Paroi - Béton armé $Q_4 = 2,5 (2\pi \cdot 10,85 \cdot 0,24 \cdot 8) = 327,2 t$
- enduit $Q_5 = 2 (2\pi \cdot 10,85 \cdot 0,06 \cdot 8) = 65,4 t$
- * Gouset $Q_6 = 2,5 (2\pi \cdot 10,65 \cdot \frac{0,26 \cdot 0,5}{2}) = 10,9 t$

$$\Rightarrow \sum Q_i = 574 t$$

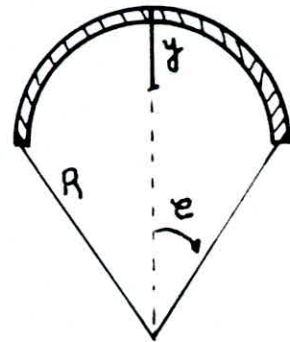
V_b) Calcul du centre de gravité de la coupole.

$$\varphi = 25,83$$

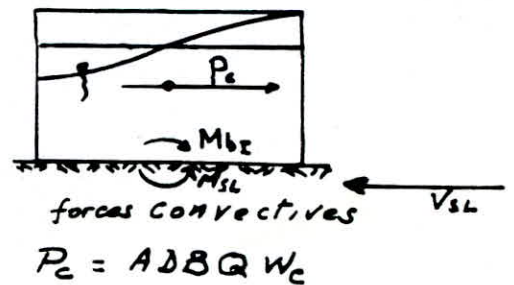
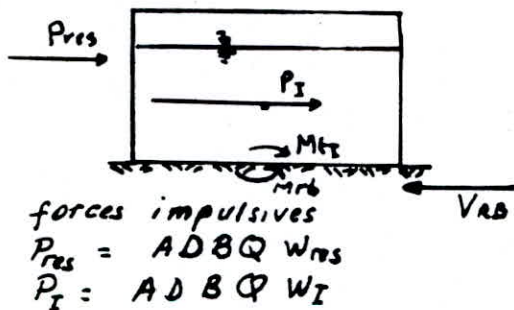
$$y = R \left(1 - \frac{\sin \varphi}{\varphi} \right)$$

$$= 24,27 \left(1 - \frac{0,436}{0,451} \right)$$

$$y = 81 \text{ cm.}$$



V_c) Calcul dynamique



A: Coefficient de la zone (c'est une fraction de l'acceleration g)

$$\left. \begin{array}{l} \text{Groupe d'usage I} \\ \text{Zone II} \end{array} \right\} \rightarrow \begin{array}{l} A = 0,25g \\ (A) = 0,25 \end{array}$$

D: facteur d'amplification dynamique moyen

$$D = f(\beta, T, \text{Sol})$$

β : amortissement : 95% au 1^{er} mode -
5% au 2nd mode

T: periode propre

Sol: au niveau de la fondation nous avons un sol meuble (argile graveleuse)

B: facteur de comportement de la structure
categorie 8 $\Rightarrow B = \frac{1}{2}$

Q: facteur de la qualite's

- controle de la qualite' des materiaux (critere non observe) $\rightarrow 0,1$
- controle de la qualite de la construction (critere non observe) $\rightarrow 0,1$

$$\Rightarrow Q = 1 + \sum_{i=1}^6 P_i$$

$$Q = 1 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0,1 + 0,1 = 1,2$$

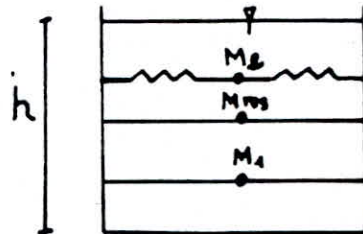
le modele dynamique du reservoir

On a un systeme a deux degres de liberte'

$$\text{Soit } \alpha = \frac{h}{r} = \frac{7}{10,8} = 0,654$$

$\alpha < 1,5 \Rightarrow$ C'est un reservoir a faible hauteur.

$$\alpha = 0,654 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{ll} C_1 = 1,5 & ; C_5 = 0,08 \\ C_2 = 1,28 & ; C_6 = 0,60 \\ C_3 = 0,40 & ; C_7 = 0,09 \\ C_4 = 0,37 & ; C_8 = 0,56 \end{array} \right.$$



Calcul

$$M = M_1' + M_c = 2500 \text{ t} \quad \text{= masse d'eau}$$

$$M_1' = \frac{M_{th} \left(\sqrt{3} \cdot \frac{r}{h} \right)}{\sqrt{3} \frac{r}{h}} = \frac{M_{th} (2,65)}{2,65} = 0,373 M$$

$$\rightarrow M_1' = 934 \text{ t}$$

$$M_1 = 1566 \text{ t}$$

or comme $\frac{h}{r} < 1,5$ on doit ajouter à M_1' le poids de la paroi du reservoir

$$M_2 = M_1' + M_{res} = 934 + 574 = 1508 \text{ t}$$

$$M_2 = 1566 \text{ t}$$

$$W_0^2 = 1,84 \frac{g}{r} \text{ th} \left(1,84 \frac{h}{r} \right)$$

$$W_0^2 = 1,84 \cdot \frac{9,81}{10,70} \text{ th} \left(1,84 \cdot \frac{7}{10,7} \right)$$

$$W_0^2 = 1,409 \left(\frac{rad}{s} \right)^2$$

* les roideurs

$$I_x = \pi \cdot r^3 \cdot e = \pi (10,85)^3 \cdot 0,24 = 963,1 \text{ m}^4$$

$$E = 2100 \sqrt{S_y} = 21000 \sqrt{1,2300} = 3,984 \cdot 10^6 \text{ t/m}^2$$

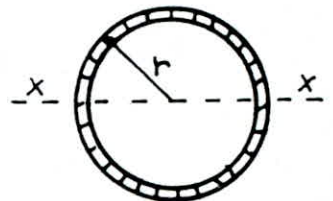
$$l = h_e = \frac{3}{8} h = \frac{3}{8} \cdot 7 = 2,625 \text{ m}$$

$$K_1 = \frac{3 \cdot E I}{l^3}$$

$$K_1 = \frac{3 \cdot 3,984 \cdot 10^6 \cdot 963,1}{(2,625)^3} = 6,39 \cdot 10^8 \text{ t/m}$$

$$K_1 = 6,39 \cdot 10^{12} \text{ N/m}$$

$$K_2 = M_2 \cdot W_0^2 = 2,207 \cdot 10^6 \text{ N/m}$$



* la matrice de rigidité

$$K = \begin{vmatrix} K_{11} & K_{12} \\ K_{21} & K_{22} \end{vmatrix}$$

avec $K_{11} = K_1 + K_2 = 6390002,207 \cdot 10^6 \text{ N/m}$

$$K_{22} = K_2 = 2,207 \cdot 10^6 \text{ N/m}$$

$$K_{12} = K_{21} = -K_2 = -2,207 \cdot 10^6 \text{ N/m}$$

* les fréquences circulaires

$$W_{1,2}^2 = \frac{1}{2} \left[\frac{K_{11}}{M_2} + \frac{K_{22}}{M_1} \pm \sqrt{\left(\frac{K_{11}}{M_2} - \frac{K_{22}}{M_1} \right)^2 + 4 \frac{K_{12} \cdot K_{21}}{M_1 M_2}} \right]$$

$$W_{1,2}^2 = \frac{1}{2} \left[\frac{6390002,207}{1,566} + \frac{2,207}{1,508} \pm \sqrt{\left(\frac{6390002,207}{1,566} - \frac{2,207}{1,508} \right)^2 + 4 \frac{(2,207)^2}{1,566 \cdot 1,508}} \right]$$

$$W_1^2 = 1,464 \left(\frac{\text{rd}}{\text{s}} \right)^2 \quad \rightarrow \text{premier mode : } W_1 = 1,210 \frac{\text{rd}}{\text{s}}$$

$$W_2^2 = 4080462,179 \left(\frac{\text{rd}}{\text{s}} \right)^2 \quad \rightarrow \text{deuxieme mode : } W_2 = 2020,015 \frac{\text{rd}}{\text{s}}$$

* les périodes

$$\text{premier mode : } T_1 = \frac{2\pi}{W_1} = 5,19 \text{ s}$$

$$\text{deuxième mode : } T_2 = \frac{2\pi}{W_2} = 3,11 \cdot 10^{-3} \text{ s}$$

* les taux d'amplitude

$$\text{premier mode : } \phi_1 = \frac{-\frac{K_{12}}{M_2}}{\frac{K_{11}}{M_2} - W_1^2} = \frac{\frac{2,207}{1,566}}{\frac{6390002,207}{1,566} - 1,464} = 3,454 \cdot 10^{-7}$$

- 40 -

$$\text{deuxième mode } \phi_2 = \frac{-\frac{K_{12}}{M_2}}{\frac{K_{11}}{M_2} - \omega_2^2} = \frac{\frac{2,207}{1,566}}{\frac{6390002,207}{1,566} - 4080461,179} = 1007$$

* les facteurs de contribution

$$\gamma_1 = \frac{M_2 \phi_1 + M_1}{M_2 \phi_1^2 + M_1} = \frac{M_1}{M_1} = 1$$

$$\gamma_2 = \frac{M_2 \phi_2 + M_1}{M_2 \phi_2^2 + M_1} = \frac{1}{\phi_2} = 9,93 \cdot 10^{-4}$$

* Calcul des accélérations

• premier mode: $\beta = 0,5\%$
 $T_1 = 5,19$
 Sol meuble } $\Rightarrow D = 1$

$$(A_1) = ABDQ = 0,25 \cdot 1 \cdot \frac{1}{2} \cdot 1,2 = 0,15$$

$$\Rightarrow A_1 = (A_1) \cdot g = 1,47 \text{ m/s}^2$$

• Deuxième mode: $\beta = 5\%$
 $T_2 = 3,11 \cdot 10^{-3} \text{ s}$
 Sol meuble } $\Rightarrow D = 2$

$$S_0 = A \cdot D = 0,25 \cdot 2 = 0,5$$

$$S_a'' = \frac{S_0}{\sqrt{\frac{1,4}{8} - 1}} = \frac{0,5}{\sqrt{\frac{1,4}{1/2} - 1}} = 0,28$$

$$S_a' = S_a'' \cdot Q = 0,28 \cdot 1,2 = 0,34$$

$$\Rightarrow (A_2) = 0,34 \Rightarrow A_2 = (A_2) \cdot g = 3,3 \text{ m/s}^2$$

* les forces laterales

• premier mode :

$$F_{11} = M_1 \cdot \delta_1 \cdot A_1 \cdot \phi_1 = 1,508 \cdot 10^6 \cdot 1 \cdot 1,47 \cdot 3,454 \cdot 10^{-7} = 0,76 \text{ N}$$

$$F_{21} = M_2 \cdot \delta_1 \cdot A_1 = 1,566 \cdot 10^6 \cdot 1 \cdot 1,47 = 2,30 \cdot 10^6 \text{ N}$$

• Deuxieme mode :

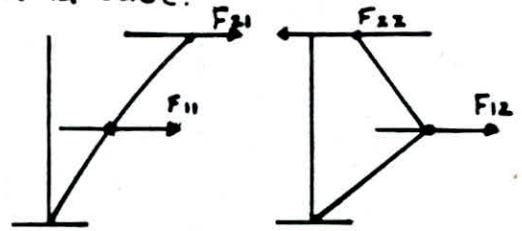
$$F_{12} = M_1 \cdot \delta_2 \cdot A_2 \cdot \phi_2 = 1,508 \cdot 10^6 \cdot 3,3 = 4,98 \cdot 10^6 \text{ N}$$

$$F_{22} = M_2 \cdot A_2 \cdot \delta_2 = 3,3 \cdot 1,566 \cdot 10^6 \cdot 9,93 \cdot 10^{-4} = 51,3 \cdot 10^2 \text{ N}$$

Combinaison : Cisaillement à la base.

$$F_1 = \sqrt{F_{11}^2 + F_{12}^2} = 4,98 \cdot 10^6 \text{ N}$$

$$F_2 = \sqrt{F_{21}^2 + F_{22}^2} = 2,3 \cdot 10^6 \text{ N}$$



$$V = F_1 + F_2 = 728 \text{ t} \quad \text{: effort tranchant a la base}$$

* Moment de flexion total

Dans un plan horizontal situe juste au-dessus de la base

$$\text{on a : } h_2 = \frac{3}{8} h = 2,925 \text{ m}$$

$$h_4 = c_8 \cdot h = 0,56 \cdot 7 = 3,92 \text{ m}$$

$$h_1 = 10 \cdot c_8 \cdot h = 10 \cdot 0,08 \cdot 7 = 5,6 \text{ m}$$

$$h_3 = 10 \cdot c_7 \cdot h = 10 \cdot 0,09 \cdot 7 = 6,3 \text{ m}$$

$$B M_{\text{max}} = F_1 \cdot h_2 + F_2 \cdot h_4$$

$$= 10^6 (4,98 \cdot 2,925 + 2,3 \cdot 3,92) = 23,59 \cdot 10^6 \text{ N.m}$$

* Moment de renversement :

$$O T_{\text{max}} = F_1 \cdot h_1 + F_2 \cdot h_3$$

$$= 10^6 (4,98 \cdot 5,6 + 2,3 \cdot 6,3) = 42,38 \cdot 10^6 \text{ N.m}$$

* Calcul du déplacement vertical maximal

. Premier mode :

$$d_{\max_1} = \frac{C_3 \cdot r}{\frac{1}{Q} - 1}$$

$$Q = (A_1) \cdot (1 - \phi_1) C_2 = 0,25 (1 - 3454 \cdot 10^{-7}) 1,28 = 0,192$$

$$\Rightarrow d_{\max_1} = \frac{0,4 \cdot 10,7}{\frac{1}{0,192} - 1} = 1,02 \text{ m}$$

deuxieme mode

$$d_{\max_2} = \frac{1}{W_2^2} (A_2) \delta_2^2 (1 - \phi_2) C_2$$

$$d_{\max_2} = \frac{1}{4080461,179} \cdot 3,3 \cdot 9,93 \cdot 10^{-4} (1 - 100\%) 1,28 \approx 0$$

$$\Rightarrow d_{\max} = \sqrt{d_{\max_1}^2 + d_{\max_2}^2} = 1,02 \text{ m}$$

Or on a laissé au dessus du niveau d'eau une couronne de paroi de 1 mètre de largeur, plus la demi largeur de la ceinture.

$$\text{c.a.d. : } d = 1,00 + \frac{0,50}{2} = 1,25 \text{ m} > d_{\max} = 1,02 \text{ m}$$

VERIFICATION DE LA PAROI DU RESERVOIR

I) GENERALITES:

L'objet de l'étude est l'évaluation des contraintes maximales dans le béton et l'acier (σ'_b et σ'_a) engendrées par les charges extérieures

la paroi est soumise à deux types de sollicitation

- * les sollicitations d'ensemble.
- * les sollicitations locales.

a) les sollicitations d'ensemble:

ce terme est utilisé pour désigner les sollicitations agissantes sur la structure considéré comme une console encastrée dans le sol.

Ces sollicitations sont: le moment flechissant M , l'effort tranchant T et l'effort normal N (les plus défavorables) qui donnent les contraintes moyennes σ'_{am} et σ'_{bm} .

En supposant que le rapport $\frac{t}{D}$ est suffisamment faible, on peut théoriquement concentrer le béton et l'acier dans la surface moyenne.

b) les sollicitations locales:

Ces sollicitations produisent uniquement des flexions locales qui sont dues aux moments d'ovalisation et d'ensoleillement

II) CALCUL DES EFFORTS:

a) Sollicitations d'ensemble:

les éléments structuraux doivent être dimensionnés pour les combinaisons les plus défavorables, On considère les combinaisons suivantes:

$$* G + P + V; * G + P + S1; * 0,8G + S1; * 0,8G - S1.$$

b) Sollicitations locales.

* Moment d'ovalisation M_0

$$M_0 = k \cdot q_n \cdot \delta \cdot D_m^2$$

δ = coefficient de dimension = 0,77 (en fonction de D_m)

D_m : diamètre moyen du réservoir

$$q_n = \text{pression de base} = q_{10} \cdot 2,5 \frac{H+18}{H+60} = 70 \cdot 2,5 \frac{H+18}{H+60}$$

$$H = 8 \text{ m} \Rightarrow q_n = 65,94 \text{ kg/m}^2$$

$$H = 0 \Rightarrow q_{n_0} = 52,5 \text{ kg/m}^2$$

Chaque tronçon de paroi est en équilibre sous l'action de la pression locale du vent p et des cisaillements z engendrés dans l'épaisseur de la paroi.

les effets p et z produisent des moments flechissants d'ovalisation : $M_0 = K \cdot q_n \cdot \delta_0 \cdot D_m^2$ qui sont donnés dans le "RNV65" pour les cas $\delta_0 = 1$ et $\delta_0 = 1,3$

Pour $\delta_0 = 1 \rightarrow$ face auvent : fibre intérieures tendues

$$M_{0i} = 0,061 \cdot q \cdot \delta_0 \cdot D_m^2$$

\rightarrow face laterale : fibre extérieures tendues

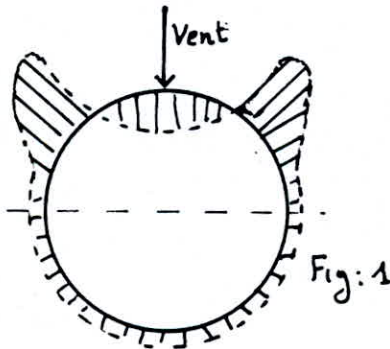
$$M_{0e} = 0,053 \cdot q \cdot \delta_0 \cdot D_m^2$$

Or pour notre cas $\delta_0 = 0,9$, mais on considerera le cas $\delta_0 = 1$; nous serons plus en sécurité

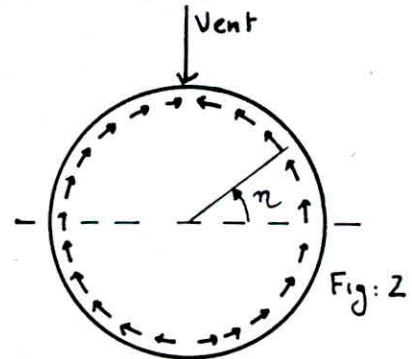
et donc : $D_m = 21,70 \text{ m}$

$$M_{0i} = 0,061 \cdot 52,5 \cdot 0,77 \cdot 21,70^2 = 1,16 \text{ t.m.}$$

$$M_{0e} = 0,053 \cdot 52,5 \cdot 0,77 \cdot 21,70^2 = 1,01 \text{ t.m.}$$



$$p = C_e \cdot q \cdot \delta$$



$$z = \frac{2H}{\Omega} \cos n$$

Ω : aire de la section

l'allure de la courbe (fig 1) representant la variation de C_e donne une idée de la repartition des pressions du vent sur la paroi.

* Moment thermique : M_T

$$M_{Ti} = \frac{\mu \cdot T_s \cdot E \cdot h_0^3}{2,75 \cdot D_m}$$

$$M_{Te} = \frac{\mu \cdot T_s \cdot E \cdot h_0^3}{5 \cdot D_m}$$

μ : module de dilatation lineaire ($\mu = 10^{-5}$)

T_s = difference de temperature entre la face interieure et la face exterieure : $T_s = 10^\circ\text{C}$

h_0 = epaisseur du voile $h_0 = 0,24\text{ m}$

$E = 3,98 \cdot 10^6\text{ t/m}^2$

$$\Rightarrow M_{r_i} = \frac{10^{-3} \cdot 10 \cdot 3,98 \cdot 10^6 \cdot 0,24^3}{2,75 \cdot 21,70} = 0,092\text{ t.m}$$

$$M_{r_e} = M_{r_i} \cdot \frac{2,75}{5} = 0,051\text{ t.m}$$

III) Base de calcul

Differents cas de charges

trois cas de charges sont à envisager :

- cas de charge A : sollicitation d'ensemble
- Cas de charge B : sollicitations locales
- Cas de charge C : sollicitations d'ensemble et locales.

On fera la verification juste pour la section d'encastrement qui est la section la plus defavorable.

COMBINAISON	M (t.m)	N (t)	T (t)
G + P + SI	2358	574	728
0,8G + SI	2358	430,1	728
0,8G - SI	-2358	430,1	-728

III a) CAS DE CHARGE A

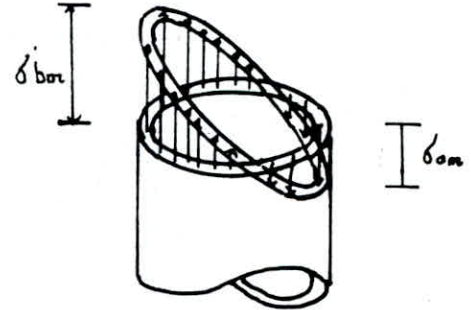
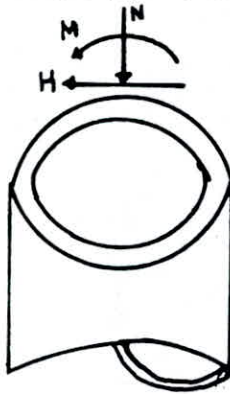
le cas le plus défavorable est donné par la combinaison:

$0,8 G + S I$ donnant: $M = 2358 \text{ t.m}$

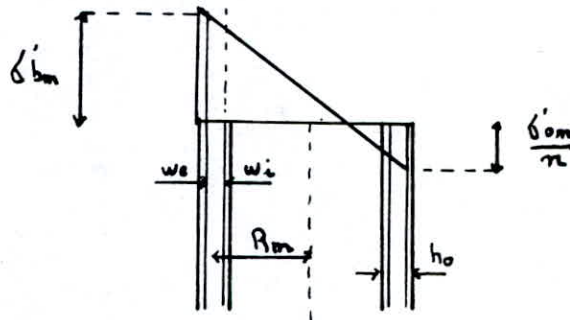
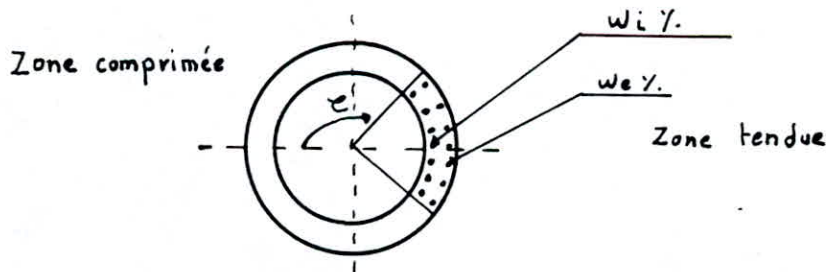
$N = 430,1 \text{ t}$

$T = 728 \text{ t}$

* Sens vertical



Le moment d'ensemble M et la charge verticale N sont équilibrés par les efforts normaux répartis sur le pourtour de la coque d'après les figures ci-dessous:



Pour le calcul numérique nous utilisons les tableaux C_7 dans l'ouvrage de MARIUS DIVER en page 197 et dont les coefficients et notations sont indiqués sur la page précédente

* choix du ferrailage :

le ferrailage est déjà choisi sous les sollicitation du 1^{er} genre.

- pour les armatures verticales exterieures on a pris :

$$5 \text{ H.A. } 12 / \text{m.l.} \quad \text{d'où } A_e = 5,65 \text{ cm}^2$$

$$\rightarrow \tilde{W}_e = 0,235\%$$

- Pour les armatures verticales interieures on a pris :

$$5 \text{ H.A. } 20 / \text{m.l.} \quad \text{d'où } A_i = 15,71 \text{ cm}^2$$

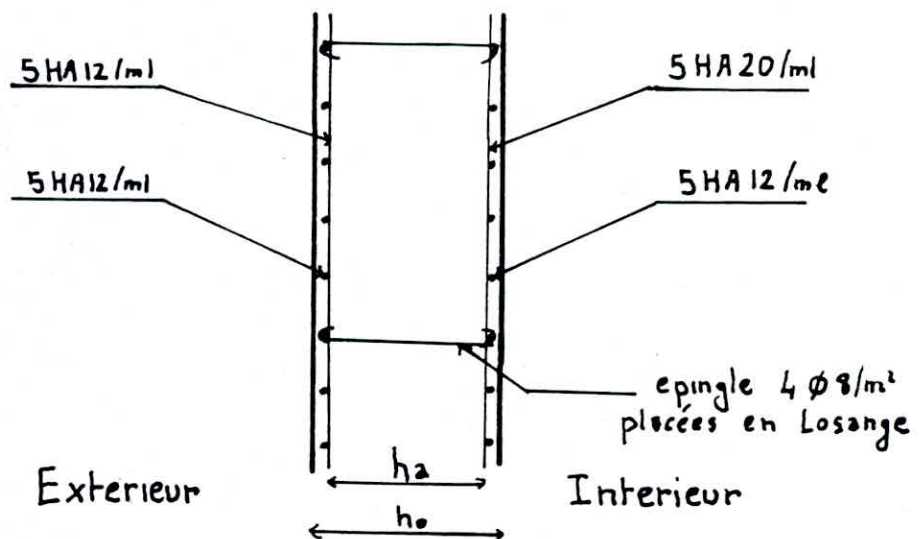
$$\rightarrow \tilde{W}_i = 0,655\%$$

- pour les armatures transversales (horizontales) qui sont en cerces on a trouvé 5 H.A. 12 pour la face interieure et la même chose pour la face exterieure.

$$\text{d'où } A_{t_e} = A_{t_i} = 5,65 \text{ cm}^2 \Rightarrow W_{t_i} = W_{t_e} = 0,235\%$$

On placera des epingles pour maintenir le ferrailage de notre voile.

On mettra $4 \phi 8$ par m^2 placées en losange d'après le schémàs suivant.



$$\Sigma W = W_e + W_1 = 0,89\%$$

$$a = \frac{M}{N \cdot R_m} = \frac{2358}{10,85 \cdot 430,1} = 0,505$$

}	Tableau C7	$b = 0,28$
	M. DIVER	$s = 0,001$

$$\text{d'où } \sigma'_{bm} = \frac{N \cdot b}{R_m \cdot h_0} = \frac{430100 \cdot 0,28}{1085 \cdot 24} = 4,62 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\sigma_{am} = n \cdot s \cdot \sigma'_{bm} = 15 \cdot 0,001 \cdot 4,62 = 0 \text{ Kg/cm}^2$$

* Sens transversal
L'effort tranchant produit des cisaillements

$$\tau = \frac{H}{b \cdot z} = \frac{H}{1,6 \text{ Dm} \cdot h_0}$$

les cisaillements fissurent le béton à 45°; L'équilibre étant assuré par les bielles comprimées à 45° et les armatures transversales

Donc la traction dans les cernes est:

$$\sigma_{am} = \frac{100 Z}{\Sigma W} = \frac{100 \cdot H}{1,6 \cdot \text{Dm} \cdot \Sigma W \cdot h_0}$$

$$\Sigma W t = 0,47\%$$

$$\sigma_{am} = \frac{100 \cdot 728 \cdot 10^3}{1,6 \cdot 2170 \cdot 0,47 \cdot 24} = 1858,9 \text{ Kg/cm}^2$$

III_b) Cas de charge B :

Il est supposé qu'une section entièrement ou partiellement comprimée (ou tendue) sous l'effet des sollicitations d'ensemble reste entièrement ou partiellement comprimée (ou tendue) sous les sollicitations locales.

* Sens vertical
les sollicitations locales n'ont pas d'influence sur le sens vertical car on n'a pas de consoles internes

* Sens transversal:
- les aciers extérieurs

$$\xi_1 = \frac{h}{h_0} = \frac{20}{24} = 0,833$$

$$C = \frac{A_{ki}}{A_{te}} = 1 \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \alpha = 0,206$$

$$W_{te} = 0,235\% \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \quad (\text{tableau } C_2 \text{ page 177})$$

$$\bar{\sigma}_{oe} = \frac{M_{oe}}{h_o \left(\gamma_1 - \frac{\alpha}{3} \right) A_{te}} = \frac{1,01 \cdot 10^5}{24 \left(0,833 - \frac{0,206}{3} \right) \cdot 5,65} = 974,5 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{re} = \frac{M_{re}}{h_a \cdot A_{te}} = \frac{0,051 \cdot 10^5}{16 \cdot 5,65} = 56,4 \text{ Kg/cm}^2$$

* les aciers interieures

$$\gamma_2 = 0,833$$

$$\bar{\sigma}_{oi} = \frac{M_{oi}}{h_o \left(\gamma_2 - \frac{\alpha}{3} \right)} = \frac{1,16 \cdot 10^5}{24 \left(0,833 - \frac{0,206}{3} \right) \cdot 5,65} = 1119,2 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{ri} = \frac{M_{ri}}{h_a \cdot A_{ti}} = \frac{0,092 \cdot 10^5}{16 \cdot 5,65} = 101,8 \text{ Kg/cm}^2$$

III:c) Cas de charge C:

Il est supposé que la superposition des sollicitation d'ensemble et locales produit une flexion composée dans l'épaisseur de la paroi et que les methodes couramment utilisées dans la resistance des materiaux continuent d'être applicables.

* Sens Vertical

Comme on n'a pas de consoles interieures ce cas de charge donne les mêmes resultats que le cas de charge "A" dans le sens vertical.

* Sens transversal

- Aciers extérieurs:

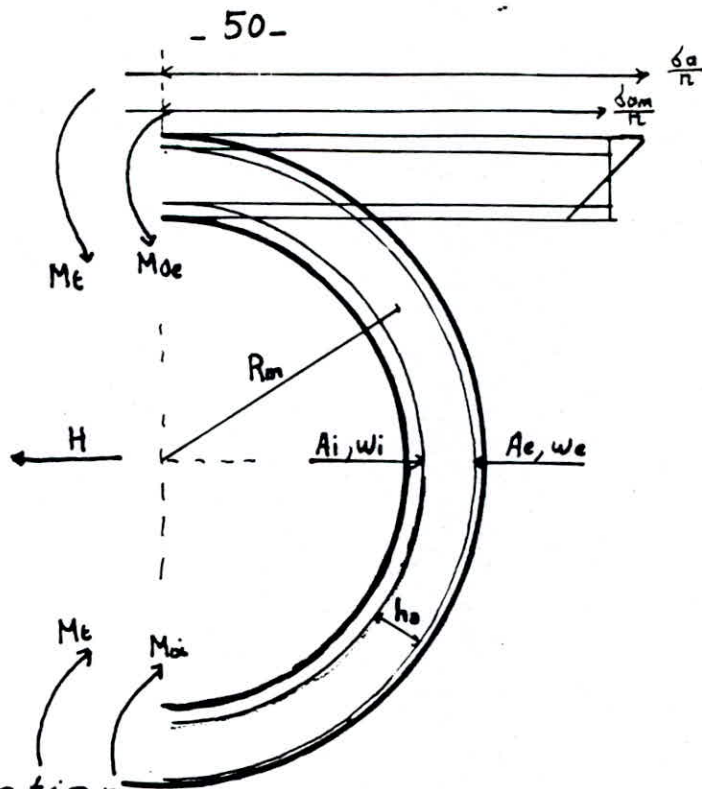
$$\bar{\sigma}_{at} = \bar{\sigma}_{am} + \bar{\sigma}_{oe} + \bar{\sigma}_{re} = 1858,9 + 974,5 + 56,5$$

$$\text{d'où } \bar{\sigma}_{at} = 2890 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_{en} = 4200 \text{ Kg/cm}^2$$

- Aciers interieures

$$\bar{\sigma}_{at} = \bar{\sigma}_{am} + \bar{\sigma}_{oi} + \bar{\sigma}_{ri} = 1858,9 + 1119,2 + 101,8$$

$$\text{d'où } \bar{\sigma}_{at} = 3080 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_{en} = 4200 \text{ Kg/cm}^2$$



Section d'encastrement							
		$M = 2358 \text{ t.m}$ $N = 430,1 \text{ t}$ $T = 728 \text{ t}$	Ferroillages	cas de charge A	cas de charge B	cas de charge C	
		Béton	-	$\sigma'_b = 4,62 \text{ kg/cm}^2$	-	$\sigma'_b = 4,62 \text{ kg/cm}^2$	
sens vertical	nappes	Exter.	5 H.A. 12 / m.l. $A_e = 5,65 \text{ cm}^2$ $w_e = 0,235\%$	$\sigma_a = 0$	-	$\sigma_a = 0$	
		Inter.	5 H.A. 20 / m.l. $A_i = 15,71 \text{ cm}^2$ $w_i = 0,655\%$			$\sigma_a = 0$	
sens transversal	nappes	Exter.	5 H.A. 12 / m.l. $A_{e2} = 5,65 \text{ cm}^2$ $w_{e2} = 0,235\%$	$\sigma_a = 1859 \text{ kg/cm}^2$	$\sigma_{oe} = 974,5 \text{ kg/cm}^2$	$\sigma_{re} = 56,4 \text{ kg/cm}^2$	$\sigma_a = 2890 \text{ kg/cm}^2$
		Inter.	5 H.A. 12 / m.l. $A_{e1} = 5,65 \text{ cm}^2$ $w_{e1} = 0,235\%$		$\sigma_{oi} = 1119,2 \text{ kg/cm}^2$	$\sigma_{ri} = 101,8 \text{ kg/cm}^2$	$\sigma_a = 3080 \text{ kg/cm}^2$

* Vérification au cisaillement

le contreventement de la structure est assuré par le voile circulaire, donc celui-ci reprendra à lui seul l'effort tranchant

$$\text{On doit vérifier: } \tau_b = \frac{T \cdot S}{I \cdot b} \leq \bar{\tau}_b$$

$$\text{avec } \left. \begin{array}{l} T = 1,4 T_{\text{calcul}} \\ \bar{\tau}_b = 0,12 \sigma_{28} \end{array} \right\} \text{R.P.A. : Art. 4.3.22}$$

$$S = \text{moment statique} = 56,53 \text{ m}^3$$

$$I = \text{moment d'inertie} = 963,17 \text{ m}^4$$

$$b = 2 \text{ fois l'épaisseur du voile} = 0,48 \text{ m}$$

la vérification sera faite pour la section la plus dangereuse :

c.a.d. la section d'encastrement : $T = 728 \text{ t}$

$$\tau_b = \frac{1,4 \cdot 728 \cdot 10^3 \cdot 56,53}{963,17 \cdot 0,48 \cdot 10^4} = 12,46 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\tau_b < \bar{\tau}_b = 0,12 \cdot 300 = 36 \text{ Kg/cm}^2$$

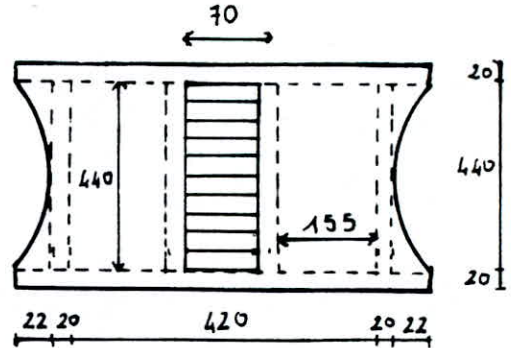
CHAMBRE

DES VANNES

LA CHAMBRE DES VANNES

I) Calcul du plancher

le plancher comporte un ouverture sur toute sa largeur de dimensions: $(440 \cdot 70) \text{ cm}^2$. Sur cette ouverture on mettra 11 dalles préfabriqués de dimensions, $(70 \cdot 40) \text{ cm}^2$. Ces dalles reposent sur deux poutres de dimensions $(20 \cdot 30 \text{ cm}^2)$.



- 1) calcul du panneau I
- poids propre de la dalle = $2500 \cdot 0,08 = 200 \text{ kg/m}^2$
 - étanchéité multi couche : 20 kg/m^2
 - surcharge d'exploitation : 175 kg/m^2

$$\Rightarrow Q = G + 1,2P = 220 + 1,2 \cdot 175 = 430 \text{ kg/m}^2$$

les dimensions du panneau sont : $L_x = 155 \text{ cm}$

$$L_y = 440 \text{ cm}$$

$$h_t = 8 \text{ cm.}$$

$$\frac{L_x}{L_y} = \frac{155}{440} = 0,352 < 0,4 \Rightarrow \text{le panneau sera calculé comme une poutre flexion simple dans le sens de la petite portée}$$

$$M_{tx} = \frac{q L_x^2}{8} = 430 \cdot \frac{1,55^2}{8} = 129,4 \text{ kg.m}$$

$$M_{ty} = \frac{M_{tx}}{4} = \frac{129,4}{4} = 32,3 \text{ kg.m}$$

$$M_{ax} = M_{ay} = 0,15 \cdot M_{tx} = 19,4 \text{ kg.m}$$

(BELLAZOUBUI)
page 161

b) Ferrailage

$$h_x = h_0 - e - \frac{\phi}{2} = 8 - 1 - 0,4 = 6,6 \text{ cm}$$

$$h_y = h_x - \phi = 6,6 - 0,8 = 5,8 \text{ cm}$$

* Suivant x :

en travée : $M_{tx} = 129,2 \text{ Kg. m}$

$$\mu = \frac{15 \cdot M}{\bar{\sigma}_a \cdot b \cdot h_x^2} = 0,0158 \quad \left\{ \begin{array}{l} \varepsilon = 0,9445 \\ \kappa = 75 \end{array} \right.$$

$$A = \frac{M}{\bar{\sigma}_a \cdot \varepsilon \cdot h_x} = \frac{12920}{2800 \cdot 0,9445 \cdot 6,6} = 0,74 \text{ cm}^2/\text{m.l}$$

* Condition de non fragilité'

$$A \geq 0,69 b h \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_{en}} \left(\frac{1 - \frac{L_x}{L_y}}{2} \right) = 0,54 \text{ cm}^2$$

$$A \geq 0,69 b h \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_{en}} \left(\frac{1 + \frac{L_x}{L_y}}{4} \right) = 0,20 \text{ cm}^2$$

Recapitulatif

		M Kg.m	A cm ²	A choisie cm ²	$\bar{\sigma}'_b$ Kg/cm ²
Sens XX	en travée	129,2	0,74	476/m.l = 1,13	36,4
	Sur appuis	19,4	0,10	476 /m.l = 1,13	13,7
Sens yy	en travée	32,3	0,21	476 /m.l = 1,13	20,3
	Sur appuis	19,4	0,10	476 /m.l = 1,13	13,7

1.c: Vérification de la fissuration

$$\bar{\sigma}_2 = 2,4 \sqrt{\frac{\kappa \cdot \eta \cdot \bar{\sigma}_b}{\phi}} = 2,4 \sqrt{\frac{1,6 \cdot 1,5 \cdot 10^6 \cdot 6,25}{6}} = 3794,73 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\Rightarrow \bar{\sigma}_a = \min \left\{ \begin{array}{l} \frac{2}{3} \bar{\sigma}_{en} \\ \max(\bar{\sigma}_1, \bar{\sigma}_2) \end{array} \right. = 2800 \text{ Kg/cm}^2$$

1. d) Vérification de l'effort tranchant

$$\tau = \frac{T}{b \cdot z} \leq \bar{\tau}_b = 1,15 \bar{\sigma}_b$$

$$T_x = \frac{q_x \cdot l_x}{2} = \frac{430 \cdot 1,55}{2} = 334 \text{ Kg}$$

$$\tau = \frac{8T}{7 \cdot b \cdot h_x} = \frac{8 \cdot 334}{7 \cdot 100 \cdot 6,6} = 0,6 \text{ Kg/cm}^2 < 1,15 \bar{\sigma}_b = 7,3 \text{ Kg/cm}^2$$

1. e : Vérification de la flèche : C.C.B.A. (Art: 61.22)

On peut admettre qu'il n'est pas utile de donner une justification des flèches si les conditions suivantes sont réalisées :

$$\bullet \frac{h_c}{b'} > \frac{1}{20} \frac{M_{tx}}{M_{ax}}$$

$$\bullet \frac{A}{b h_y} < \frac{20}{\sigma_{en}}$$

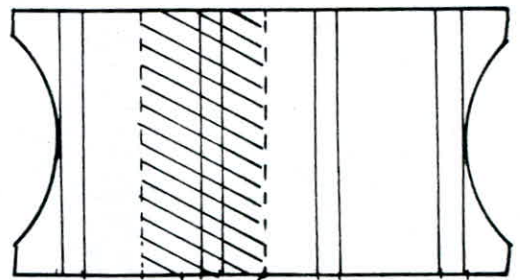
Dans notre cas

$$\frac{8}{155} = 0,052 > \frac{1}{20} \cdot \frac{1}{1} = 0,050$$

$$\frac{1,13}{100 \cdot 5,8} = 1,95 \cdot 10^{-3} < \frac{20}{4200} = 4,8 \cdot 10^{-3}$$

II) Calcul des poutrelles:

On étudiera la poutrelle I qui est la plus sollicitée.



1) calcul des charges et surcharges

* poids de la dalle
 $430 \cdot (0,775 + 0,35) = 484 \text{ Kg/m.l.}$

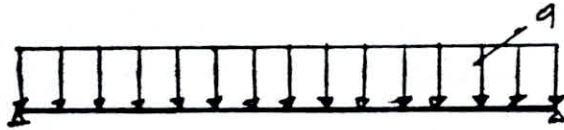
* poids de la poutrelle:
 $2500 \cdot (0,2 + 0,3) = 150 \text{ Kg/m.l.}$

* surcharge d'exploitation : $175 \cdot (0,775 + 0,35) = 197 \text{ Kg/m.l.}$

$$\Rightarrow q = G + 1,2P = 870 \text{ kg/m.l}$$

$2G > P \Rightarrow$ On peut appliquer la méthode forfaitaire

2) Schémas statique et calcul des efforts



$$M_t = q \frac{l^2}{8} = \frac{870 \cdot 4,4^2}{8} = 2,11 \text{ t.m}$$

$$M_a = 0,15 \cdot M_t = 0,32 \text{ t.m}$$

$$T = \frac{q l}{2} = 870 \cdot \frac{4,4}{2} = 1,92$$

3) Ferrailage :

- en travée : $M_t = 2,11 \text{ t.m}$

$$M = \frac{15 M}{\sigma_a \cdot b h^2} = \frac{15 \cdot 2,11 \cdot 10^5}{2800 \cdot 20 \cdot 26^2} = 0,0836 \Rightarrow \begin{cases} \epsilon = 0,8832 \\ k = 27,8 \end{cases}$$

$$\sigma'_b = \frac{2800}{27,8} = 102,2 \text{ kg/cm}^2$$

$$A = \frac{2,11 \cdot 10^5}{0,8832 \cdot 26 \cdot 2800} = 3,28 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow A = 3HA12 = 3,39 \text{ cm}^2$$

- Sur appuis : $M = 0,32 \text{ t.m}$

$$M = \frac{15 M}{\sigma_a \cdot b h^2} = \frac{15 \cdot 0,32 \cdot 10^5}{2800 \cdot 20 \cdot 26^2} = 0,0126 \Rightarrow \begin{cases} \epsilon = 0,95 \\ k = 85 \end{cases}$$

$$\sigma'_b = \frac{2800}{85} = 33 \text{ kg/cm}^2$$

$$A = \frac{0,32 \cdot 10^5}{0,95 \cdot 26 \cdot 2800} = 0,46 \text{ cm}^2 \Rightarrow A = 3HA10 = 2,35 \text{ cm}^2$$

* Armature transversal

$$\tau_b = \frac{T_{\max}}{b \cdot z} = \frac{8 \cdot 1920}{7 \cdot 20 \cdot 26} = 4,22 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\tau}_b$$

On prendra (un cadre + un epingle) $\phi 6 \Rightarrow A_t = 0,84 \text{ cm}^2$

Espacement t :

$$t \leq \frac{A_t \cdot z \cdot \bar{\sigma}_{at}}{T}$$

$$\bar{\sigma}_{at} = \left(1 - \frac{\tau_b}{9\bar{\sigma}_b}\right) \bar{\sigma}_{en} = 2590 \text{ kg/cm}^2$$

$$t \leq \frac{0,84 \cdot \frac{7}{8} \cdot 26 \cdot 2590}{1920} = 26 \text{ cm}$$

$$t \leq \max \begin{cases} 0,2h = 5,2 \text{ cm} \\ h \left(1 - \frac{0,3\tau_b}{\bar{\sigma}_b}\right) = 20,7 \text{ cm} \end{cases}$$

donc on prendra $t = 20 \text{ cm}$ en appuis

$t = 30 \text{ cm}$ en travée

4) Condition de non fragilité

$$A \geq 0,69 b h \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_{en}} = 0,53 \text{ cm}^2$$

5) Vérification des contraintes

$$\bar{\omega} = \frac{100A}{b \cdot h} = \frac{100 \cdot 3,39}{20 \cdot 26} = 0,6519 \quad \begin{cases} \mu = 0,0864 \\ \kappa = 27,2 \end{cases}$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{nM}{\mu \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 2,11 \cdot 10^5}{0,0864 \cdot 20 \cdot 26^2} = 2709 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{\kappa} = \frac{2709}{27,2} = 99,6 \text{ kg/cm}^2$$

III) Calcul du voile:

le voile sera étudié par la méthode de Mr STRONGUINE
la chambre des vannes est entaillée de 3,5 m, donc
les deux voiles seront sollicités par la poussée
horizontale des terres.

A une profondeur h au-dessus de la surface du sol
la pression du sol est donnée par :

$$P_s = \gamma_s \cdot h \cdot K \cdot n \quad (\text{S. STRONGUINE})$$

Où : γ_s : masse volumique des terres

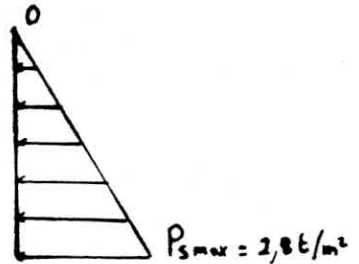
n : Coefficient de surcharge = 1,2

K : Coefficient de poussée = $\tan^2(45^\circ - \frac{\varphi}{2}) = \tan^2(45^\circ - \frac{30^\circ}{2})$

$$\Rightarrow P_s = 0,8 h$$

$$P_{s \max} = 0,8 \cdot 3,5 = 2,8 \text{ t/m.l}$$

* la paroi étant rigidement assemblée
avec le fond, cette poussée fait naître
un moment maximal à la base.

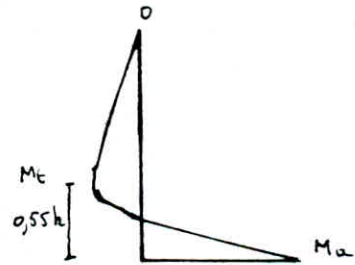


- moment d'encastrement :

$$M_a = \frac{P_s \cdot h^2}{15} = -2,29 \text{ t.m}$$

- moment maximal entravé :

$$M_t = M(0,55h) = \frac{P_s \cdot h^2}{33,3} = +1,03 \text{ t.m}$$



* Calcul de l'effort normal sollicitant la paroi :

- poids de la dalle :

$$G + (1,2 P) \frac{t}{2} = 4300 + \frac{4,8}{2} = 1033 \text{ kg/m.l}$$

- poids des poutrelles = 0

$$\frac{4}{2} \cdot 2500 \cdot (4,4 \cdot 0,22 \cdot 0,2) \cdot \frac{1}{5,04} = 192 \text{ kg/m.l}$$

- poids du voile

$$2500 \cdot (4 \cdot 0,20 \cdot 1) = 2000 \text{ kg}$$

$$\Rightarrow N = 3,23 \text{ t}$$

1) Ferrailage vertical du voile

le voile est soumis à une flexion composée:

$$M = -2,29 \text{ t.m}$$

$$N' = 3,23$$

$$e_0 = \frac{M}{N} = \frac{2,29 \cdot 10^5}{3,23 \cdot 10^3} = 70,9 \text{ cm}$$

$$e_1 = \frac{h_t}{6} = 3,33 \text{ cm}$$

$e_0 > e_1 \Rightarrow$ c'est une section partiellement comprimée.

$$f = e_0 + \frac{h_t}{2} - d = 70,9 + 10 - 3 = 77,9 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow M_b = 2,52 \text{ tm}$$

On choisira des H.A.14 $\Rightarrow \bar{\sigma}_a = 1971 \text{ Kg/cm}^2$
 Comme $e_0 > \frac{h_t}{2} \rightarrow \bar{\sigma}'_b = 150 \text{ Kg/cm}^2$ (fissuration nuisible) $\left\{ \begin{array}{l} \alpha = 0,533 \\ \gamma = 0,82 \end{array} \right.$

$$M_{rb} = \frac{1}{2} \cdot 0,534 \cdot 0,82 \cdot 150 \cdot 100 \cdot 17^2 = 9,52 \text{ t.m} > M$$

$$\Rightarrow A'_s = 0 \Rightarrow A'_c = 0$$

$$A_c = \frac{M}{\gamma h \bar{\sigma}_a} - \frac{N'}{\bar{\sigma}_a} = \frac{2,52 \cdot 10^5}{0,82 \cdot 17 \cdot 1971} - \frac{3230}{1971} = 7,53 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow A_c = 5 \text{ HA } 14 = 7,69 \text{ cm}^2/\text{m.l.}$$

On prendra comme armature de répartitions : 5 HA 10/m.l.

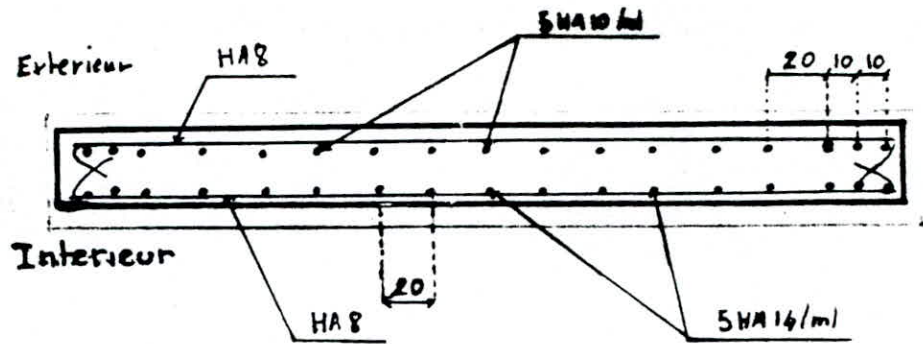
$$\text{Donc : } A' = 5 \text{ HA } 10 / \text{m.l} = 3,93 \text{ cm}^2$$

$$A = 5 \text{ HA } 14 / \text{m.l} = 7,69 \text{ cm}^2$$

2) Ferrailage transversale:

On prendra forfaitairement 5 HA 8/m.l et par nappe

$$\text{espacement} = t = 20 \text{ cm} \leq \min \left\{ \begin{array}{l} 1,5 h_t = 50 \text{ cm} \\ 50 \text{ cm} \end{array} \right.$$



3) Vérification des contraintes

$$c = \frac{h_c}{2} - e_0 = 10 - 79,9 = -69,9 \text{ cm}$$

l'équation du moment statique nous donne $y^3 + py + q = 0$

avec $p = -10587,28$

$q = 409733,6$

On aura la racine $y = 66,6 \text{ cm}$

$$\Rightarrow x = y + c = 5,7 \text{ cm}$$

$$I = \frac{100 \cdot 5,7^3}{3} + 15 \cdot 7,69 (17 - 5,7)^2 = 20902,1 \text{ cm}^4$$

$$K = \frac{N' \cdot y}{I} = \frac{3230 \cdot 66,6}{20902,1} = 10,29$$

$$\sigma'_b = K \cdot x = 10,29 \cdot 5,7 = 58,66 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\sigma'_a = n K (h - x) = 15 \cdot 10,29 (17 - 5,7) = 1744,2 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 1971 \text{ Kg/cm}^2$$

4) Vérification au cisaillement

$$T = P_{s \max} \cdot \frac{h}{2} = 2,8 \cdot \frac{3,5}{2} = 4,9 \text{ t}$$

$$\tau_b = \frac{T}{b \cdot z} = \frac{8 \cdot T}{b \cdot 7h} = \frac{8 \cdot 4900}{100 \cdot 7 \cdot 17} = 3,29 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\tau}_b$$

FONDATIONS

FONDITIONS

I) contrainte admissible du sol :

En raison de la présence de débris de schistes dans les échantillons, le "LNTP" n'a pas pu faire les essais en laboratoire pour déterminer les différentes caractéristiques du sol.

Neanmoins la contrainte admissible du sol peut être estimée à partir de la résistance dynamique à la pointe par la formule préconisée par SANGLERAT

$$\bar{\sigma}_0 = \frac{R_{pd}}{20}$$

n.B.: Cette formule assure un coefficient de sécurité de l'ordre de 4

Les essais de pénétration dynamique ont donné des valeurs de résistance variables avec la profondeur tout en restant supérieures à la valeur de $R_{pd} = 306$ à la profondeur "3 mètres" qui représente le niveau du radier.

Et donc la contrainte admissible du sol sera estimée à :

$$\bar{\sigma}_s = 1 \text{ bar}$$

II) Détermination de la hauteur du radier

la hauteur h_c du radier doit être choisie de telle manière

a :

a : éviter le poinçonnement

b : assurer la rigidité du radier

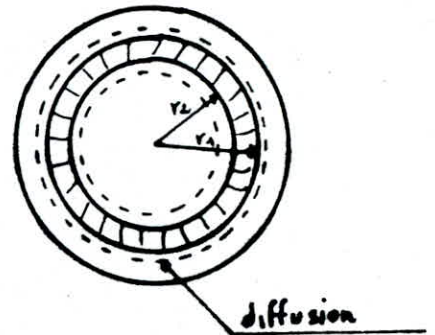
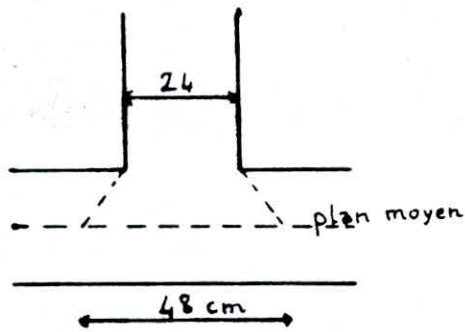
c : assurer la conditions de non vérification du debord à l'effort tranchant.

a) Le poinçonnement

$$\text{On doit vérifier que : } \frac{1,5 Q}{P_c \cdot h_c} \leq 1,2 \bar{\sigma}_b$$

$$Q = G + P = 574 \text{ t}$$

P_c : périmètre de contour à considérer dans le plan moyen
 h_t : épaisseur du radier.



$$P_c = 2\pi \left[\left(r_1 + \frac{h_t}{2} \right) + \left(r_2 - \frac{h_t}{2} \right) \right] = 2\pi (r_1 + r_2)$$

$$P_c = 2\pi (10,73 + 10,97) = 136,35 \text{ m}$$

$$\Rightarrow \frac{1,5 \cdot 574 \cdot 10^3}{13635 \cdot h_t} \leq 1,2 \cdot 6,25$$

$$\Rightarrow h_t \geq 8,42 \text{ cm}$$

b) Conditions de non vérification de l'effort tranchant

$$h \geq \frac{2(b-a) - e}{4}$$

Pour permettre l'ancrage des aciers verticaux dans le radier, on laisse un débord du radier de 40 cm

b : rayon du radier = 11,40 m

a : rayon moyen du réservoir = 10,85 m

e : épaisseur de la paroi = 0,24 m

$$\Rightarrow h \geq \frac{2(11,4 - 10,85) - 0,24}{4} = 0,22 \text{ m}$$

$$\Rightarrow h = 25 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow h_t = 30 \text{ cm}$$

or on prendra $h_t = 50 \text{ cm}$ pour assurer la rigidité du radier.

et donc : $h_t = 50 \text{ cm}$ et $H = 45 \text{ cm}$

III Calcul du radier

L'étude du radier est difficile, cette difficulté réside dans la détermination du diagramme approché des réactions du sol, car cela dépend des coefficients d'élasticité relatifs à la structure du radier et du sol.

On se borne à choisir un diagramme des réactions du sol le plus souvent linéaire et même uniforme en s'assurant de la rigidité du radier et en vérifiant que les éléments de réduction associés à ce diagramme redonnent bien à l'aplomb de chaque point porteur une réaction d'intensité égale et de sens opposé à la charge provenant de la superstructure. On réalise cela en utilisant "la méthode des planchers", (c.a.d. : le radier se présente comme un plancher renversé soumis à la réaction du sol diminuée du poids propre du radier.

les appuis seront supposés être constitués par les voiles.

Pour notre cas on a à considérer deux cas :

- Cas 1 : Réservoir vide :

Dans ce cas le radier est soumis à la réaction du sol diminuée de son poids propre.

les parois du réservoir représentent des points d'appuis, en plus on tient compte du moment M_t de la poussée des terres au bord du radier.

- Cas 2 : Réservoir plein :

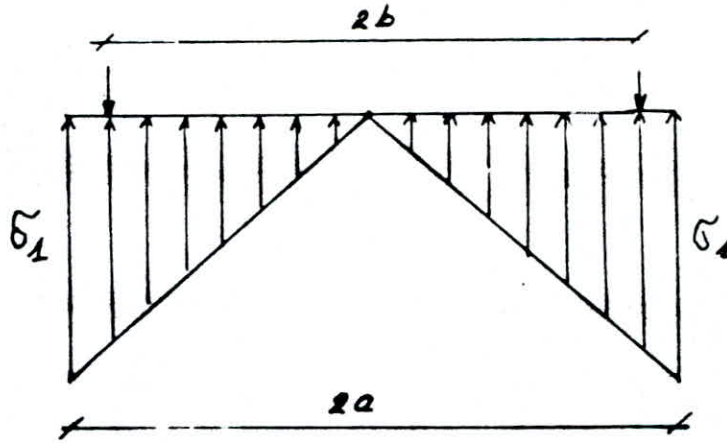
Dans ce cas le radier est soumis à la réaction du sol diminuée de son poids propre et des surcharges de l'eau. Là aussi les parois représentent des points d'appuis ; en plus on doit tenir compte du moment de l'eau M_e

Mais il est clair que le cas de charge le plus défavorable est celui qui correspond au réservoir vide car pour le cas du réservoir plein le radier est presque soumis à une compression simple. et donc le radier sera étudié dans le cas du réservoir vide.

On considérera que la réaction du sol sur le radier est triangulaire et nulle au centre du radier.

-63-

Le schéma statique est:



$$\sigma_1 = 1,5q = 1,5 \frac{Q}{\pi a^2} = 1,5 \cdot \frac{574}{\pi \cdot 4^2}$$

$$\sigma_1 = 2,1088 \text{ t/m}^2$$

Ce schéma sera divisé en deux schémas plus simples qui seront eux aussi divisés en deux autres schémas chacun encore plus simple, comme sera indiqué sur la page suivante.

$$M_r(A) = M_{r1} + M_{r2} - M_{r3} - M_{r4} + M_{r5}$$

$$M_t(A) = M_{t1} + M_{t2} - M_{t3} - M_{t4} + M_{t5}$$

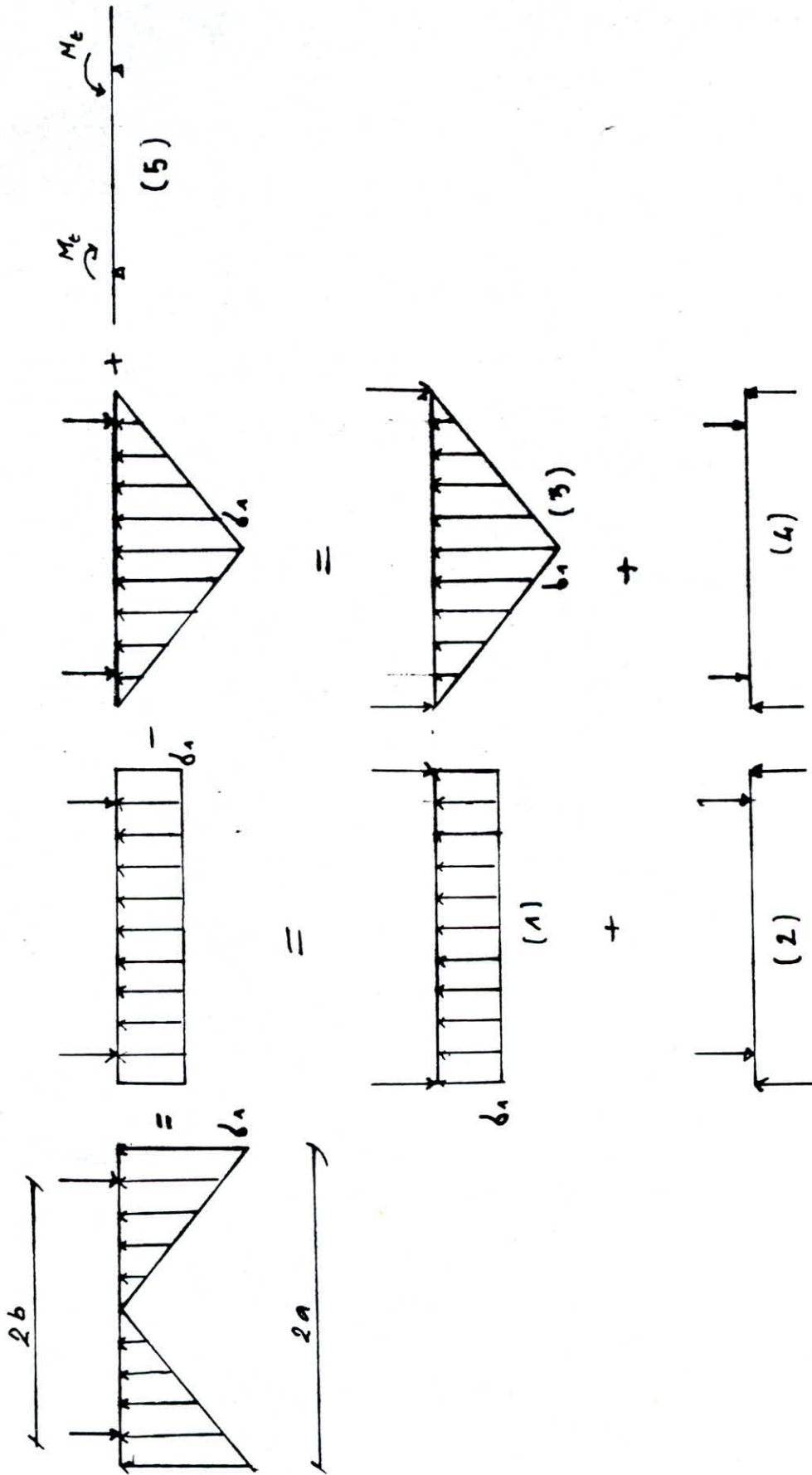
d'où: M_r : moment radial

M_t : moment tangentiel.

Pour le calcul on supposera deux cas:

- * radier simplement appuyé.
- * radier encastré.

et on prendra ensuite le cas donnant les plus grands efforts.



Notations :

Q = poids propre de la parois et de la coupole = 574 t

q : réaction du sol si celle-ci était uniforme

$$q = \frac{Q}{\pi a^2} = \frac{574}{\pi \cdot 11,4^2} = 1,406 \text{ t/m}^2$$

a : distance du centre du radier à son extrémité = 11,4 m

b : distance du centre du radier à la mi-épaisseur du voile = 10,85 m

μ : coefficient de Poisson = 0,15 pour le béton

$$q_1 = 1,5q = 2,1 \text{ t/m}^2$$

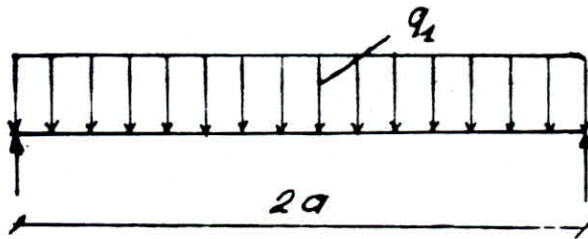
M_r est donné par unité de longueur de circonférence

M_t est donné par unité de longueur de rayon.

A) Radier simplement appuyé :

Nous appliquerons les résultats de M^r BARRES

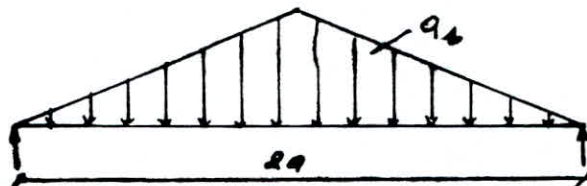
a) plaque circulaire chargée uniformément



$$M_r = \frac{q_1}{16} (3 + \mu)(a^2 - r^2)$$

$$M_t = \frac{q_1}{16} [a^2(3 + \mu) - r^2(1 + 3\mu)]$$

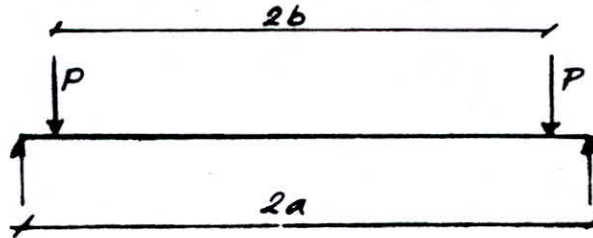
b) plaque circulaire chargée triangulairement



$$M_r = \frac{q_2}{120} \left[71a^2 + 20\mu a^2 - 45(3 + \mu)r^2 + 16(4 + \mu)\frac{r^3}{a} \right]$$

$$M_t = \frac{q_r}{720} \left[74 a^2 + 29 \mu a^2 - 45(1+3\mu)r^2 + 46(1+4\mu) \frac{r^3}{a} \right]$$

c) plaque circulaire chargée concentriquement:

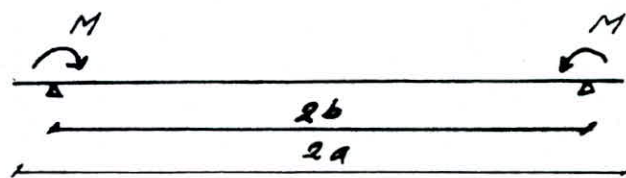


* $x > b$ $M_r = 0$

$$M_t = \frac{Pb}{2} (1-\mu) \left(1 - \frac{b^2}{a^2}\right)$$

* $x \leq b$ $M_r = M_t = \frac{q}{4} \left[(1-\mu) \frac{(a^2 - b^2)}{2} + a^2(1+\mu) \log \frac{a}{b} \right]$

d) dalle circulaire soumise à un moment concentrique



$$\beta = \frac{b}{a}$$

$$\beta = \frac{r}{a}$$

* $r \leq b$: $M_r = M_t = \frac{M}{2} \left[(1+\mu) + \frac{1}{\beta^2} (1-\mu) \right]$

* $r > b$: $M_r = M_t = \frac{(1-\mu) M}{2 \beta^2} \left(1 - \frac{\beta^2}{\beta^2}\right)$

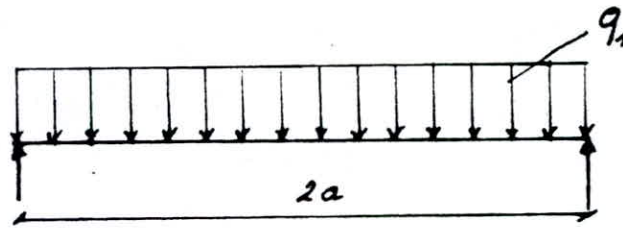
Récapitulons les résultats sur le tableau ci-dessous

		1	2	-3	-4	5	Σ
$r=0$ m	M_r t.m	-53,93	3,43	-28,68	1,72	1,68	-21,86
	M_t t.m	-53,93	3,43	-28,68	1,72	1,68	-21,86
$r=10,85$ m	M_r t.m	-5,08	3,43	-1,58	1,72	1,68	-0,11
	M_t t.m	-31,44	3,43	-14,60	1,72	1,68	-13,45

$r = 4,40$	M_r t.m	0	0	0	0	0	0
	M_t t.m	-29,1	3,66	-13,61	1,83	0	-13,66
$r = 5m$	M_r t.m	-43,55	3,43	-20,42	1,72	1,68	-19,74
	M_t t.m	-49,15	3,43	-24,71	1,72	1,68	-21,05
$r = 8m$	M_r t.m	-27,39	3,43	-10,84	1,72	1,68	-13,16
	M_t t.m	-41,73	3,43	-19,82	1,72	1,68	-18,52

B) Radier parfaitement encastré:

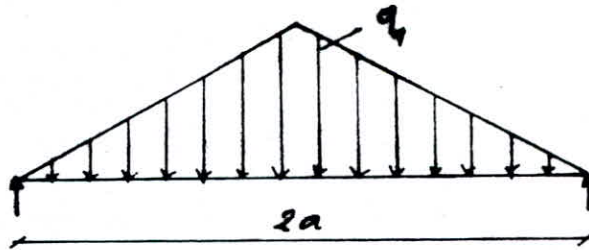
a) plaque circulaire chargée uniformément



$$M_r = \frac{q_1}{16} [a^2(1+\mu) - r^2(3+\mu)]$$

$$M_t = \frac{q_1}{16} [a^2(1+\mu) - r^2(1+3\mu)]$$

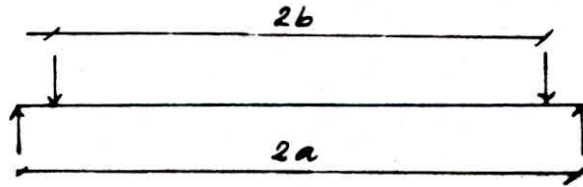
b) plaque circulaire chargée triangulairement



$$M_r = \frac{q_1}{720} [29 a^2(1+\mu) - 45(3+\mu)r^2 + 16(4+\mu)\frac{r^3}{a}]$$

$$M_t = \frac{q_1}{720} [29 a^2(1+\mu) - 45(1+3\mu)r^2 + 16(1+4\mu)\frac{r^3}{a}]$$

c) dalle circulaire chargée concentriquement



• $r \leq b$: $M_r = M_t = \frac{P \cdot b}{4} (1 + \mu) \left[\left(1 - \frac{b^2}{a^2}\right) + 2 \log \frac{b}{a} \right]$

• $r > b$: $M_r = \frac{P \cdot b}{4} \left[(1 + \mu) \frac{b^2}{a^2} + (1 - \mu) \frac{b^2}{r^2} - 2 \left[1 + (1 + \mu) \log \frac{r}{a} \right] \right]$

$M_t = \frac{P \cdot b}{4} \left[(1 + \mu) \frac{b^2}{a^2} + (1 - \mu) \frac{b^2}{r^2} - 2 \left[1 + (1 + \mu) \log \frac{r}{a} \right] \right]$

Récapitulons les résultats sur le tableau ci dessous

$r = 0 \text{ m}$	M_r t.m.	-19,70	+1,34	-12,69	0,67	1,68	-4,66
	M_t t.m.	-19,70	+1,34	-12,69	0,67	1,68	-4,66
$r = 10,85 \text{ m}$	M_r t.m.	+29,18	+1,34	+13,39	0,67	1,68	+17,14
	M_t t.m.	+2,81	+1,34	+1,40	0,67	1,68	+3,76
$r = 11,4 \text{ m}$	M_r t.m.	+34,26	-4,3	+15,99	-2,15	0	+16,12
	M_t t.m.	+5,15	-4,3	+2,4	-2,15	0	+0,60
$r = 5 \text{ m}$	M_r	-9,32	+1,34	-3,14	+0,67	1,68	-3,83
	M_t t.m.	-14,91	+1,34	-8,73	+0,67	1,68	-3,83
$r = 8 \text{ m}$	M_r t.m.	+6,87	+1,34	+5,14	+0,67	1,68	+4,08
	M_t t.m.	-7,47	+1,34	-3,83	+0,67	1,68	-1,29

Pour le ferrailage on tiendra compte des moments ci-dessous ; (On a pris les moments les plus défavorable

		$r = 0 \text{ m}$	$r = 8 \text{ m}$	$r = 10,85 \text{ m}$	$r = 5 \text{ m}$
M_r	+	-	+ 4,08	+ 17,14	-
	t.m.	- 21,86	- 13,16	- 0,11	- 19,74
M_t	+	-	-	+ 5,76	-
	t.m.	- 21,86	- 18,52	- 13,66	- 21,05

V) Ferrailage :

On fera un exemple de calcul pour le ferrailage radial supérieur au centre du radier.

les autres cas seront donnés dans des tableaux.

$$M_r = -21,86 \text{ t.m.}$$

$$\bar{\sigma}_b' = 150 \text{ Kg/cm}^2$$

$$h = 45 \text{ cm}$$

$$b = 100 \text{ cm}$$

On choisit des aciers H.A.25

$$\Rightarrow \bar{\sigma}_a = 1574 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\alpha = \frac{15 \bar{\sigma}_b'}{15 \bar{\sigma}_b' + \bar{\sigma}_a} = 0,59 \Rightarrow \gamma = 1 - \frac{\alpha}{3} = 0,80$$

M_{rb} : moment résiduel du béton

$$M_{rb} = \frac{1}{2} \alpha \gamma \bar{\sigma}_b' \cdot b h^2 = \frac{1}{2} \cdot 0,59 \cdot 0,80 \cdot 150 \cdot 100 \cdot 45^2 = 72 \text{ t.m.}$$

$$M_{rb} = 72 \text{ t.m.}$$

$$M_{rb} > M = 21,86 \text{ t.m.}$$

$$\Rightarrow A' = 0$$

$$A = \frac{M}{\gamma h \bar{\sigma}_a} = \frac{21,86 \cdot 10^5}{0,80 \cdot 45 \cdot 1574} = 38,58 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow A = 8 H.A.25 / m = 59,27 \text{ cm}^2$$

* Soit y la distance de l'axe neutre de la section à la fibre la plus comprimée; le moment statique sera:

$$S_M) = \frac{by^2}{2} + nA'(y-d') - nA(h-y) = 0$$

$$\Rightarrow \frac{100 \cdot y^2}{2} - 15 \cdot 59,27(45-y) = 0$$

$$\Rightarrow y = 17,876 \text{ cm}$$

$$I = \frac{by^3}{3} + nA'(y-d')^2 + nA(h-y)^2$$

$$= \frac{100 \cdot 17,876^3}{3} + 15 \cdot 59,27(45-17,876)^2 = 623778,42 \text{ cm}^4$$

Verification des contraintes

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{M}{I} \cdot y = \frac{2186000}{623778} \cdot 17,876 = 62,65 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b$$

$$\bar{\sigma}_a = n \frac{M}{I} (h-y) = 15 \cdot \frac{2186000}{623778} (45-17,876) = 1425,8 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_a = 1425,8 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 1574 \text{ kg/cm}^2$$

ARMATURES SUPERIEURES

FERRAILLAGE EN CERCE

R m	M _t tm	$\bar{\sigma}_a$ Kg/cm ²	α	γ	M _{rb} tm	A cm ²	A choisie cm ²	y cm	I cm ⁴	$\bar{\sigma}'_b$ kg/cm ²	$\bar{\sigma}_a$ kg/cm ²
r=0	-21,26	1574	0,59	0,80	72	38,58	8 H.A. 25/m.l. 39,27 cm ²	17,88	623778,42	62,65	1425,8 < 1574
r=5	-21,05	1574	0,59	0,80	72	37,15	8 H.A. 25/m.l. 39,27 cm ²	17,88	623778,42	60,34	1372 < 1574
r=8	-18,52	1574	0,59	0,80	72	32,68	7 H.A. 25/m.l. 34,36 cm ²	16,99	567813,77	55,41	1370,2 < 1574
r=10,35 ou r=11,4	-13,66	1704	0,57	0,812	70,3	21,94	7 H.A. 20/m.l. 21,99 cm ²	14,24	408432,93	47,63	1543,1 < 1704

- 11 -

ARMATURES SUPERIEURES

FERRAILLAGE RADIAL

R m	M _r t.m	E kg/cm ²	α	γ	M _{rL} t.m	A cm ²	A _{choisie} cm ²	y cm	I cm ⁴	E' kg/cm ²	E _c kg/cm ²
r=0	-21,86	1574	0,59	0,80	73	36,94	8 H.A. 25 / m.L. 39,27 cm ²	17,94	660330,79	53,40	1442,7 < 1574
r=5	-19,94	1574	0,59	0,80	73	33,02	8 H.A. 25 / m.L. 39,27 cm ²	17,94	660330,79	53,08	1289,8 < 1574
r=8	-13,16	1704	0,57	0,812	71	20,24	7 H.A. 20 / m.L. 21,99 cm ²	14,62	449921,12	42,76	1420,65 < 1704
r=10,85 ou r=11,4	-0,11	1704	0,57	0,812	71	0,17	3 H.A. 20 / m.L. 9,42 cm ²	13,20	226708,36	0,49	26,78 < 1704

ARMATURES INFERIEURES

FERRAILLAGE RADIAL

R m	M_r t.m	F_a kg/cm ²	α	δ	M_{rb} t.m	A cm ²	$A_{CHOISIE}$ cm ²	y cm	I cm ⁴	σ'_b kg/cm ²	σ_a kg/cm ²
$r=0$	0	-	-	-	-	-	4 H.A. 10/ml	-	-	-	-
$r=5$	0	-	-	-	-	-	4 HA 10/ml.	-	-	-	-
$r=8$	+ 4,08	1943	0,54	0,82	67	5,45	4 H.A. 14/ml. 6,15 cm ²	8,44	136952,96	21,94	1503,6 < 1943
$r=10,85$ 00 $r=11,4$	+ 16,14	1704	0,57	0,82	70,3	24,82	4 HA 25 + 4 HA 14/ml. 25,79 cm ²	15,43	498099,06	50,00	1534,6 < 1704

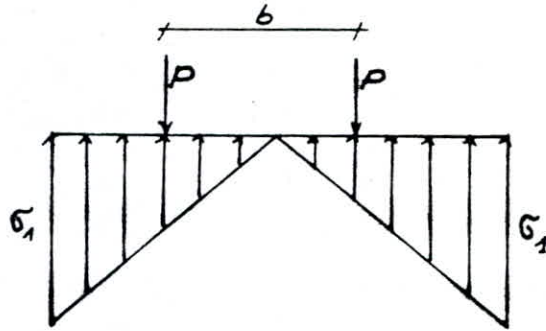
ARMATURES INFERIEURES

FERRAILLAGE EN CERCES

R m	M ₀ t.m	\bar{F}_a kg/cm ²	α	γ	M _{rb} t.m	A cm ²	A _{CHOISIE} cm ²	y cm	I cm ⁴	δ'_s kg/cm ²	δ_a kg/cm ²
r=0	0	-	-	-	-	-	4 HA10/m.l.	-	-	-	-
r=5	0	-	-	-	-	-	4 HA10/m.l.	-	-	-	-
r=8	0	-	-	-	-	-	4 HA.10/m.l.	-	-	-	-
r=10,85 m r=11,4	3,76	1943	0,54	0,82	66,97	5,24	4 NA14/m.l. 6,16 cm ²	8,24	143522,00	21,59	1445 < 1943

V) Vérification de la stabilité du radier :

1) Réservoir vide :



$$P = \frac{Q}{2\pi b}$$

Si la réaction du sol était uniforme on aurait eu :

$$q = \frac{Q}{\pi a^2}$$

- Q : poids de la paroi et de la coupole = 574 t
- a : rayon du radier = 11,40 m
- q : réaction uniforme du sol

$$q = \frac{574}{\pi \cdot 1140^2} = 0,14 \text{ Kg/cm}^2$$

Comme la réaction du sol est triangulaire on aura :

$$\sigma_1 = 1,5 \cdot q = 0,21 \text{ Kg/cm}^2$$

Et enfin en tenant compte du poids du radier :

$$h_{\text{radier}} = 50 \text{ cm}$$

$$h_{\text{gras béton}} = 10 \text{ cm}$$

$$P_r = 2,5 \cdot \pi \cdot 11,4^2 \cdot 0,5 + 2,2 \cdot \pi \cdot 11,5^2 \cdot 0,10 = 602 \text{ t}$$

$$\sigma = 1,5q + \frac{P_r}{\pi a^2} = 0,21 + \frac{602 \cdot 10^3}{\pi \cdot 11,4^2 \cdot 10^4} = 0,36 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\Rightarrow \sigma_s = 0,36 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_s = 1 \text{ Kg/cm}^2$$

2) Réservoir plein :

a) Sollicitation du 1^{er} genre :

$$\left. \begin{array}{l} G + 1,2P = 580 \text{ t} \\ \text{poids du radier} = 602 \text{ t} \\ \text{poids d'eau} = 2500 \text{ t} \end{array} \right\} \Rightarrow N = G + 1,2P + P_r + P_e$$

$$N = 3682 \text{ t}$$

$$\Rightarrow \sigma_s = \frac{N}{\pi a^2} = \frac{3682 \cdot 10^3}{\pi \cdot 1140^2} = 0,902 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_s = 1 \text{ Kg/cm}^2$$

b) sollicitation du 2^{eme} genre

Le radier est sollicité par les effets du moment de renversement M et de l'effort normal N qui agissent au niveau de la base.

Nous devons éviter un décollement excessif des extrémités du radier susceptible d'altérer sa stabilité.

$$N_2 = G + P + P_r + P_e$$

$$N_2 = 574 + 602 + 2500 = 3676 \text{ t}$$

$$M = 4238 \text{ t.m.}$$

$$\sigma_{1,2} = \frac{N_2}{S} \pm \frac{M \cdot v}{I} = \frac{3676 \cdot 10^3}{\pi \cdot 1140^2} \pm \frac{4238 \cdot 10^3}{13265,06 \cdot 10^8} \cdot 1140$$

$$I = 13265,06 \text{ m}^4$$

$$v = \frac{D}{2} = a = 11,4 \text{ m}$$

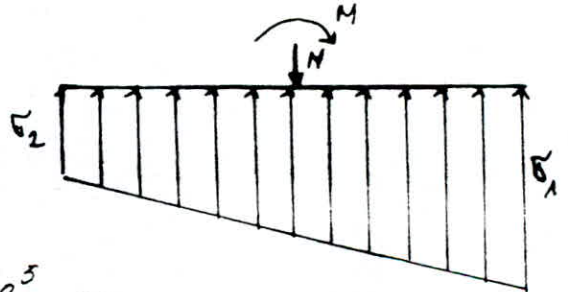
$$\Rightarrow \sigma_1 = 1,265 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\sigma_2 = 0,170 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\sigma\left(\frac{D}{4}\right) = \frac{3\sigma_1 + \sigma_2}{4} = 0,99 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\text{Et donc : } \sigma_1 = 1,265 \text{ Kg/cm}^2 < 1,3 \bar{\sigma}_s = 1,30 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\sigma\left(\frac{D}{4}\right) = 0,99 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_s = 1,0 \text{ Kg/cm}^2$$

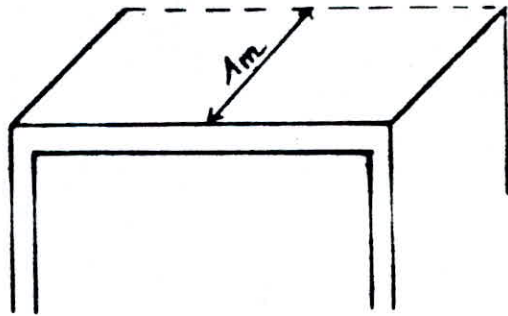


VI Calcul du radier : de la salle des vannes

a) Introduction : Vue la jonction radier-voile qui provoque un semi-encastrement, on sera ramené à faire le calcul du radier comme un plancher reverse sous une charge uniformément répartie.

b) Calcul du panneau de dalle : le panneau repose sur deux appuis seulement, il sera calculé selon la méthode exposée sur l'ouvrage de M^r BELAZOUGUI "calcul des ouvrages."

On supposera des tranches de un mètre de largeur reposant sur les deux voiles.



b-1) Dimensionnement du radier

pour assurer la rigidité du radier on prendra :

$$h_t = 20 \text{ cm.}$$

b-2) Calcul de la réaction uniforme du sol.

- poids de la dalle = 10,4 t
- poids des poutrelles = 1,94 t
- poids des voiles = 10,08 t

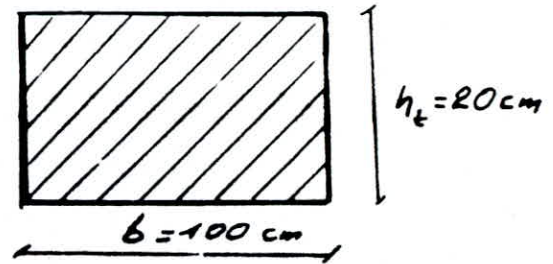
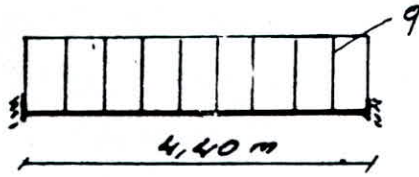
$$\Rightarrow \text{poids total de la superstructure} = 22,42 \text{ t}$$

Donc la charge à prendre en compte pour le calcul (réaction du sol) :

$$q = \frac{P}{S} = \frac{22,42 \cdot 10^3}{24,2 \cdot 10^4} = 0,093 \text{ Kg/cm}^2 = 0,93 \text{ t/m}^2$$

Donc notre poutre fictive sera chargée par q_1 telle que

$$q_1 = q \cdot 1 \text{ m} = 0,93 \text{ t/m.l}$$

b₃ : Schemas statique

On aura comme valeurs des moments:

$$\begin{aligned}
 - \text{en travée} : M_t &= q \frac{l^2}{10} = \frac{0,93 \cdot 4,4^2}{10} = 1,86 \text{ t.m/m.} & (\text{P. CHARON P. 124}) \\
 - \text{Sur appuis} M_a &= q \frac{l^2}{20} = \frac{0,93 \cdot 4,4^2}{20} = 0,90 \text{ t.m/m.}
 \end{aligned}$$

b₄ : ferrailage:

en travée : On utilisera des H.A. 16 $\Rightarrow \bar{\sigma}_a = 1934 \text{ Kg/cm}^2$
 (on tenant compte de la condition de non fissuration
 d'ou- fissuration préjudiciable $\kappa = 1,10^6$)

$$\mu = \frac{15 \cdot M_t}{\bar{\sigma}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 295000}{1934 \cdot 100 \cdot 17^2} = 0,0792 \rightarrow \begin{cases} \varepsilon = 0,8957 \\ \kappa = 28,8 \end{cases}$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{\kappa} = \frac{1934}{28,8} = 67,15 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 150 \text{ Kg/cm}^2$$

$$A = \frac{M_t}{\varepsilon \cdot h \cdot \bar{\sigma}_a} = \frac{295000}{0,8957 \cdot 17 \cdot 1934} = 10,02 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow A = 5 \text{ H.A. 16} = 10,05 \text{ cm}^2$$

Sur appuis : On utilisera des H.A. 14 $\Rightarrow \bar{\sigma}_a = 2068 \text{ Kg/cm}^2$

$$\mu = \frac{15 M_a}{\bar{\sigma}_a \cdot b h^2} = \frac{15 \cdot 205000}{2068 \cdot 100 \cdot 17^2} = 0,0515 \rightarrow \begin{cases} \varepsilon = 0,9049 \\ \kappa = 37,6 \end{cases}$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{\kappa} = \frac{2068}{37,6} = 55 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 150 \text{ Kg/cm}^2$$

$$A = \frac{M_a}{E \cdot h \cdot \bar{\sigma}_a} = \frac{205000}{0,9049 \cdot 17 \cdot 2068} = 6,44 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow A = 5 \text{ H.A. } 14 = 7,70 \text{ cm}^2$$

* Armatures de répartitions (dans l'autre sens)

$$A_r \gg \max \left(\frac{A}{4}, A_{\min} \right)$$

$$A_{\min} = \max \left\{ \begin{array}{l} 0,69 b \cdot h \cdot \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_{c,u}} = 0,69 \cdot 100 \cdot 17 \cdot \frac{6,30}{4200} = 1,75 \text{ cm}^2 \\ b h_c \cdot \frac{1,2}{\bar{\sigma}_{c,u} - 2000} = \frac{100 \cdot 20 \cdot 1,2}{4200 - 2000} = 1,2 \text{ cm}^2 \end{array} \right.$$

$$\frac{A}{4} = \frac{10,06}{4} = 2,50 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow A_r = 5 \text{ H.A. } 8 = 2,51 \text{ cm}^2$$

b.5: Vérification des contraintes

$$W = \frac{100 \cdot A}{b \cdot h} = \frac{100 \cdot 10,06}{100 \cdot 17} = 0,582 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} E = 0,8977 \\ K = 33,9 \end{array} \right.$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{M}{A \cdot E \cdot h} = \frac{295000}{10,06 \cdot 0,8977 \cdot 17} = 1922 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 1934 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{K} = \frac{1922}{33,9} = 56,7 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b$$

* Vérification au cisaillement :

$$\tau_b = \frac{T}{b \cdot z} < \bar{\tau}_b = 1,15 \bar{\sigma}_b$$

$$T = q \cdot \frac{l}{2} = 0,93 \cdot \frac{4,4}{2} = 2,05 \text{ t}$$

$$\tau_b = \frac{T}{b \cdot \frac{z}{8} \cdot h} = \frac{8 \cdot 2050}{100 \cdot 7 \cdot 17} = 1,38 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\tau}_b = 7,20 \text{ Kg/cm}^2$$

b-6: Vérification de la stabilité

$$P_{total} = P_{superstructure} + P_{radier}$$

$$P_{sup.} = 22,42 \text{ t}$$

$$P_{radier} = 2500(0,20 \cdot 24,2) + (175 \cdot 242) \cdot 1,2 = 17,18 \text{ t}$$

$$P_{\text{béton propre}} = 2200(0,20 \cdot 24,2) = 10,65 \text{ t}$$

$$\Rightarrow P_{total} = 50,25 \text{ t}$$

$$\rightarrow \sigma_s = \frac{P}{S} = \frac{50,25 \cdot 10^3}{24,2 \cdot 10^4} = 0,21 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_s = 1 \text{ bar.}$$

VII Tassements

Comme l'ouvrage repose sur un sol essentiellement composé de schistes, le problème des tassements n'est pas à craindre. (Voir la coupe ci-dessous) pour la salle des Vannes dont la charge est faible par rapport au réservoir.

On a prévu un joint de rupture pour éviter le tassement différentiel :
Largeur : 3 cm

Différentes couches du sol données par l'un des trois (2) sondages carottés effectués.

