

UNIVERSITE D ALGER
ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE
DEPARTEMENT GENIE- CIVIL

7/75



3EX

PROJET DE FIN D'ÉTUDES

CENTRE DE COLONIE DE VACANCES
SALLE POLYVALENTE

Proposé et Dirigé par:
ION UNGUREANU
Docteur Ingénieur
Professeur ENPA

Etudié par:
M. DIFFALLAH

PROMOTION 1975

UNIVERSITE D'ALGER
ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE
DEPARTEMENT GENIE-CIVIL



PROJET DE FIN D'ETUDES

CENTRE DE COLONIE DE VACANCES
SALLE POLYVALENTE

Proposé et Dirigé par:
ION UNGUREANU
Docteur Ingénieur
Professeur ENPA

Etudié par:
M. DIFFALLAH

PROMOTION 1975

Que mes parents,
Les Professeurs qui ont contribué à ma formation,
Monsieur ION UNGUREANU qui m'a guidé dans
mon travail, mes amis qui m'ont beaucoup encouragé,
Trouveront dans cet ouvrage mes remerciements et ma
profonde gratitude.

INTRODUCTION.

Le sujet qui m'a été proposé par Monsieur ION UNGHREANU, Professeur d'élasticité à l'école nationale polytechnique a pour titre : salle polyvalente. Cette salle polyvalente possède les plans d'architecture suivants :

Plan N° 1 : vue en plan.

Plan N° 2 : plan de terrasse.

Plan N° 3 : Coupe a-a ; coupe b-b.

Plan N° 4 : Plan de façades.

Elle possède 2 niveaux : un niveau à + 3,90 m et un autre à + 7,50 par rapport au niveau du sol + 0,00. Chaque niveau possède une terrasse non accessible ce qui revient à considérer comme type de planchers des planchers à corps creux.

La salle polyvalente possède également un joint de dilatation de 2 cm à L = 20,935 m et on l'a partagé en 2 blocs : Le bloc A et le bloc B. Tous les calculs ont été effectués séparément suivant chaque bloc. Le bloc A présente un dérochement en élévation. Quant au bloc B, il est constitué d'un seul bloc unique sans dérochement.

L'ossature principale de la salle polyvalente est une ossature à poutres dont le poutre principal est le portique PQ2.

La salle polyvalente est située dans la région II sur un site exposé. Dans cette région, on a une faible sismicité ce qui revient à négliger l'influence du séisme et à considérer que l'influence du vent. Tous les calculs effectués sont conformes aux règles du Béton armé : C.C.B.A 68 et aux règles Neige et Vent 65.

Pour le portique principal PQ2 on a dressé un programme STRESS, programme qui nous a permis de déterminer tous les efforts en considérant les sollicitations

totales pondérées du 1^{er} genre et du 2^e genre. On a retenue la sollicitation qui nous donne les effets les plus défavorables.

Pour le sol, des échantillons ont été prélevés et les essais effectués au laboratoire nous ont donné une contrainte admissible de 2 bars pour une profondeur de -2,00 m par rapport au niveau +0,00. On a choisi comme type de fondations des semelles isolées reposant sur du béton de propreté doseé à 150 kg/m³ sur une épaisseur de 10 cm avec empierrage de 10 cm. Les murs extérieurs sont réalisés en briques avec une épaisseur de 25 cm et reposent directement sur les longines implantées au niveau du sol.

-Plan D'Etude-

1. Étude des Planchers
2. Etude des Poutres
3. Descente de Charges
4. Etude des Portiques
5. Etude des Fondations

Table des Matières

Chapitre 1: Introduction.

- 1.1 Description de l'ouvrage.
- 1.2 Objet du Projet.

Chapitre 2: Caractéristiques des Matériaux.

- 2.1 Le Beton
- 2.2 L'acier
- 2.3 Contraintes admissibles.

Chapitre 3: Etude des planchers.

- 3.1 Descente de charges.
- 3.2 calcul des poutrelles.
 - 3.2.2 poutrelles du type T1.
 - 3.2.3 poutrelles du type T2.
 - 3.2.4 poutrelles du type T3.
 - 3.2.5 poutrelles du type T4.

Chapitre 4: Etude des poutres.

- 4.1 Calcul des poutres de chainage.
 - 4.1.1 chainage du type C₁.
 - 4.1.2 chainage du type C₂.
 - 4.1.3 chainage du type C₃.
 - 4.1.4 chainage du type C₄.
- 4.2 Calcul de la poutre B₁.

Chapitre 5: Etude des portiques.

- 5.1 Descente de charges.
- 5.2 Calcul sous l'action des forces dues au vent.
 - 5.2.2 Etude du Vent : Bloc A.
 - 5.2.3 Etude du Vent : Bloc B.
- 5.3 Détermination du Ferrailage.

Chapitre 6: Etude des Fondations.

- 6.1 Calcul des Longines
- 6.2 Longine du type L₁.
- 6.3 Longine du type L₂.
- 6.4 Longine du type L₃.
- 6.5 Longine du type L₄.
- 6.6 Calcul des Semelles.

CARACTÉRISTIQUES
DES
MATÉRIAUX

• Contraintes admissibles :

Béton dosé à 350 kg/m³ de ciment CPA de classe 325. Contrôle attenue granulats roulés de dimension maximum Cg = 25 mm.

Résistances attribuables aux bétons connus : C.C.B.A 68 page 15 art. 9,7.

| Dosage (kg/m ³) | σ'_{28} (bars) | σ_{28} (bars) |
|-----------------------------|-----------------------|----------------------|
| 250. | 180. | 17,8 |
| 300. | 230. | 20,8 |
| 350. | 270. | 23,2 |
| 400. | 300. | 25. |

1^o) Compression simple :

$$\bar{\sigma}'_{b0} = \alpha \beta \gamma \delta \varepsilon \sigma'_n$$

avec $\alpha = 1$ (classe 325),
 $\beta = \frac{5}{6}$ (contrôle attenue)

$$\gamma = 1 \quad (\text{si } e_m \geq 4C_g)$$

e_m = épaisseur minimale de la pièce.

$$\gamma = \frac{e_m}{4C_g} \quad (\text{si } e_m < 4C_g)$$

$\delta = 0,30$ (compression simple)

$\delta = 0,60$ (flexion simple)

$\varepsilon = 1$ (compression simple)

$$\text{d'où } \bar{\sigma}'_{b0} = 1 \times \frac{5}{6} \times 1 \times 0,30 \times 1 \times 270 = 67,5 \text{ bars.}$$

$$\Rightarrow \boxed{\bar{\sigma}'_{b0} = 67,5 \text{ bars} = 68,5 \text{ kg/cm}^2.}$$

2^o) Flexion simple :

$$\bar{\sigma}'_b = \alpha \beta \gamma \delta \varepsilon \sigma'_n$$

\Rightarrow

$$\boxed{\bar{\sigma}'_b = 135 \text{ bars} = 137 \text{ kg/cm}^2.}$$

3^o) Traction :

$$\bar{\sigma}_b = \alpha \beta \theta \sigma'_n$$

α, β, θ gardent les mêmes valeurs données par le B.A 68 art. 9,4.

$$\theta = 0,018 + \frac{2,1}{\sigma'_n} \quad \text{pour une sollicitation pondérée du 1^{er} genre.}$$

σ'_n est exprimé en bars. $\Rightarrow \theta = 0,018 + 0,00777 \approx 0,026$

$$\theta = \left(0,018 + \frac{2,1}{\sigma'_n}\right) 1,5 \quad \text{pour une sollicitation totale pondérée du 2^e genre.}$$

Si on considère une sollicitation totale pondérée du 1^{er} genre on obtient :

$$\bar{\sigma}_b = 1 \times \frac{5}{6} \times 1 \times 0,026 \times 270 \Rightarrow \boxed{\bar{\sigma}_b = 5,8 \text{ bars} = 5,9 \text{ kg/cm}^2.}$$

• Aciers:

1^e) Acier doux FeE24 $\Rightarrow \sigma_{eu} = 2400 \text{ kg/cm}^2$.

σ_{eu} = limite d'élasticité nominale en traction.

γ_a = coefficient de sécurité. $\gamma_a = \frac{2}{3}$ pour une sollicitation totale pondérée du 1^{er} genre.

$$\sigma_a = \gamma_a \sigma_{eu} = \frac{2}{3} \times 2400 = 1600 \text{ kg/cm}^2$$

Acier doux FeE24 $\Rightarrow \bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2$.

2^e) Acier TOR:

FeE40: Pour $\phi \leq 20 \text{ mm} \Rightarrow \sigma_{eu} = 4200 \text{ kg/cm}^2$.

Pour $\phi \geq 25 \text{ mm} \Rightarrow \sigma_{eu} = 4000 \text{ kg/cm}^2$.

• Compatibilité avec le béton:

On doit avoir $\sigma'_{bo} > 20(1 + 1,25\%)$

$\psi_d = 1$ pour les rouoles lisses

$\psi_d = 1,5$ pour les H.A.

σ'_{bo} est la contrainte minimale du béton.

$$\sigma'_{bo} > 20(1 + 1,25 \times 1,5) = 57,5 \text{ bars}$$

$$\bar{\sigma}'_{bo} = 67,5 \text{ bars} > 57,5 \text{ bars}$$

(condition vérifiée).

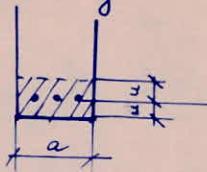
D'après le C.C.B.A 68, la valeur maximale de la contrainte de traction des armatures est limitée à la plus grande des valeurs suivantes exprimée en bars:

$$\sigma_1 = \frac{k D}{\phi} \cdot \frac{w_f}{1 + 10 w_f}$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{D \cdot k \cdot \bar{\sigma}_b}{\phi}}$$

avec ϕ diamètre nominal exprimé en mm de la plus grosse des barres tendues de la section d'enrobage.

$$w_f = \frac{A}{B_f} \quad \text{avec } B_f = a \times 24.$$



$$B_f = a \times 24$$

$\bar{\sigma}_b$ = contrainte de traction de référence du béton

$k = 1,5 \times 10^6$ si la fissuration est peu nuisible.

$k = 10^6$ si la fissuration est nuisible.

$k = 0,5 \times 10^6$ si la fissuration est dangereuse parce que la pièce est en atmosphère agressive ou parce qu'elle doit assurer une étanchéité.

γ = coefficient de fissuration. $\gamma = 1$ pour les ronds lisses; $\gamma = 1,6$ pour les aciers courbés.

• Condition de non écaissement du béton.

En toute partie courbe d'une bâche, le rayon de courbure R doit satisfaire à l'inégalité suivante:

$$R \geq 0,10 \phi \frac{\sigma_a}{\sigma'_{bo}} \left(1 + \frac{\phi}{d}\right) \mu.$$

ϕ est le diamètre de la bâche.

$\bar{\sigma}_a$ = contrainte de cette barre à l'origine de la courbe.

$\bar{\sigma}_{b0}$ = contrainte admissible du béton en compression simple.

d = distance du centre de courbure de la barre à la paroi dont la proximité augmente le danger d'écalement du béton.

$\mu = 1$ si la barre courbée est isolée ou fait partie d'une nappe de barres courbes disposées en 1 seul lit.

$p = \frac{5}{3}$ ou $\frac{7}{3}$ pour les barres disposées respectivement en 2 ou 3 lits, les distances entre lits étant supérieures au diamètre utilisé.

Longueur de scellement droit :

$$\boxed{l_d = \frac{\phi}{4} \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_d}}$$

ϕ : diamètre de la barre exprimé en mm.

$\bar{\sigma}_a$: contrainte de traction admissible de l'acier.

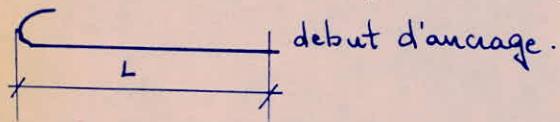
$\bar{\sigma}_d = 1,25 \bar{\phi}_d^2 \bar{\sigma}_b$.

$\bar{\phi}_d = 1,5$ pour les aciers H.A.

$\bar{\phi}_d = 1$ pour les ronds lisses.

$\bar{\sigma}_b$ = contrainte de traction de référence du béton.

La longueur d'ancrage sera faite par crochet normal (c.c.B.A 68 page 53)



L = longueur d'encombrement hors crochet.

$L = 0,6 l_d$ pour les ronds lisses en acier doux.

$L = 0,4 l_d$ pour les aciers à H.A.

Ancrage courbe:

$$\boxed{F_B = \kappa F_A - \kappa' \pi \phi r \bar{\sigma}_d}$$

Les valeurs de κ et κ' sont données dans les tableaux.

Tableau récapitulatif des contraintes admissibles dans le béton et l'acier en bars et en kg/cm^2 .

| Nuance de l'acier | σ_{en} | |
|--|---------------|------------------|
| | bars | kg/cm^2 |
| Acier doux Fe E 24 | 2350 | 2400 |
| Acier H.A $\phi \leq 20 \text{ mm}$ $\phi > 20 \text{ mm}$ | 4120 3920 | 4200 4000 |

$$\text{d'où } \bar{\sigma}_a = \frac{2}{3} \sigma_{en} = \frac{2}{3} \times 4200$$

$$\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2.$$

| Béton peu contrôlé | | | | | | |
|----------------------------------|----------------------|------------------|------------------------------------|------------------|-------------------------|------------------|
| <u>Dosage</u> kg/m^3 | Compression simple | | Flexion simple ou Flexion composée | | contrainte de référence | |
| | $\bar{\sigma}'_{bo}$ | | $\bar{\sigma}'_b$ | | $\bar{\sigma}_b$ | |
| | bars | kg/cm^2 | bars | kg/cm^2 | bars | kg/cm^2 |
| 350 | 67,5 | 68,5 | 135 | 137 | 5,8 | 5,9 |

ETUDE des PLANCHERS

POUTRELLES T1.

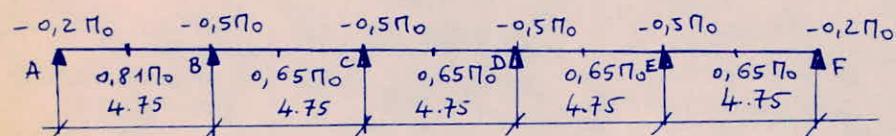
Il existe plusieurs types de planchers. Parmi ceux-ci on distingue les planchers mixtes (acier - béton), les planchers dalles, les planchers nervurés et enfin les planchers à coque creux. Dans notre étude, nous avons choisi ce dernier type car on a des surcharges modérées.

La salle polyvalente possède un joint de dilatation à $L = 20,935 \text{ m}$ et sera alors divisée au point de vue calcul en 2 blocs : le Bloc A et le bloc B. Le plancher de la salle polyvalente comporte plusieurs types de poutrelles : Poutrelles du type T₁ continues à 5 travées égales. Poutrelles du type T₂ à 3 travées inégales. Poutrelles du type T₃ à une seule travée ($l = 5,75 \text{ m}$ distance entre mi-haut des traverses des poutrelles) et enfin les poutrelles du type T₄ à une seule travée ($l = 4,75 \text{ m}$).

choix du plancher pour les poutrelles du type T₁:

on doit vérifier la condition suivante : $\frac{ht}{l} > \frac{1}{15} \frac{\pi t}{\pi_0}$ (1)

Poutrelles du type T₁:



En appliquant la formule (1) on a $l = 4,75 \text{ m}$.

$$\pi t = 0,81 \pi_0$$

$$\Rightarrow ht > \frac{4,75 \times 0,81}{15} = 25,65 \text{ cm}$$

Pour vérifier la condition (1) on adopte un plancher de 25+4 d'où la hauteur totale du plancher = 29 cm.

Descente de charges correspondant au plancher 25+4:

| | |
|---------------------------------|-------------------------|
| Plancher 25+4 | 353 kg/m ² |
| Forme de pente (1,5%) | 180 kg/m ² |
| Etancheité | 30 kg/m ² |
| Plâtre | 17 kg/m ² |
| Gravier | 100 kg/m ² |
| <hr/> | |
| G : | 680 kg/m ² . |

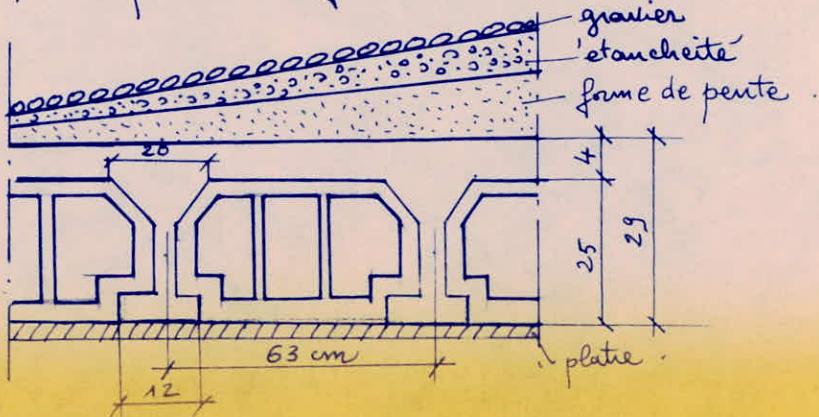
Surcharges $P = 100 \text{ kg/m}^2$ (plancher terrasse à coque creux non accessible)

Surcharges majorées : $1,2 P = 120 \text{ kg/m}^2$

Poids total de plancher par m² :

$$P_{25+4} = G + 1,2 P = 800 \text{ kg/m}^2.$$

La distance entre l'axe des poutrelles est égale à 63 cm.

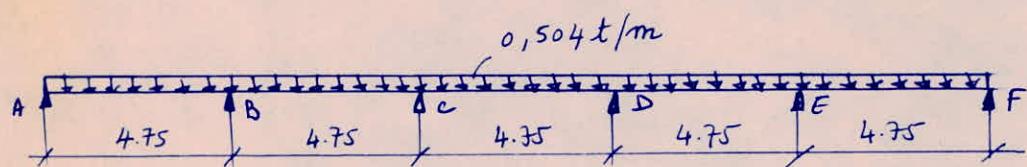


Le poids par mètre linéaire de la poutrelle correspondant à un plancher à coqueux de 25+4 a pour valeur :

$$q = 800 \times 0,63 = 504 \text{ kg/m}.$$

$$\boxed{q = 0,504 t/m.}$$

A. Calcul des poutrelles du type T₁:



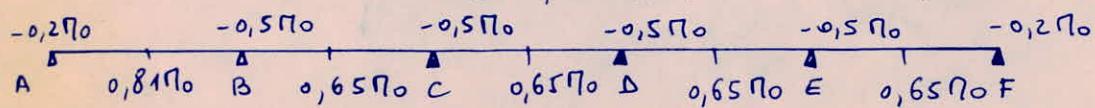
Conditions pour application des règles infinitaires du C.C.B.A 68 art. 55

- 1°) Surcharge < 1,5 (charges permanentes ($100 < 1,5 \cdot 800$)) : condition vérifiée.
- 2°) Fixation non préjudiciable

3°) Section constante sur toute la longueur de la poutre.

4°) $0,8 < \frac{\text{raffut des poteaux}}{\text{taut des poteaux}} < 1,25$.

Les 4 conditions étant vérifiées, on peut appliquer les règles infinitaires du C.C.B.A 68.



$$\pi_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{504 \times 4,75^2}{8} = 1421,43 \text{ kg.m.}$$

$$\Pi_A = \Pi_F = -0,27t_0 = -0,2 \times 1421,43 = 284,30 \text{ kg.m.}$$

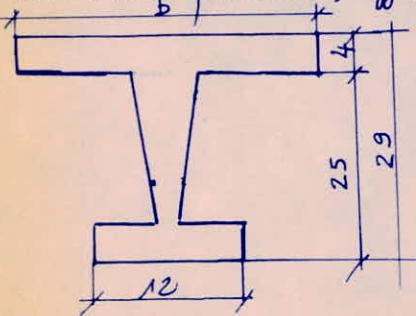
$$\Pi_B = \Pi_C = \Pi_D = \Pi_E = -0,57t_0 = -0,5 \times 1421,43 = 710,71 \text{ kg.m.}$$

$$\Pi_{AB} = \Pi_{EF} = 0,81t_0 = 0,81 \times 1421,43 = 1151,35 \text{ kg.m.}$$

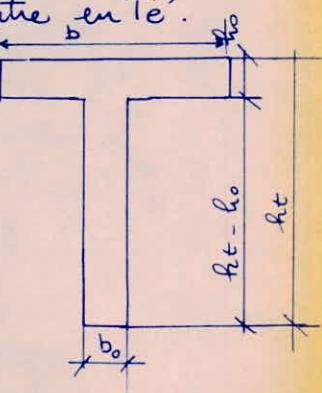
$$\Pi_{BC} = \Pi_{CD} = \Pi_{DE} = 0,65t_0 = 0,65 \times 1421,43 = 923,93 \text{ kg.m.}$$

a) Détermination des armatures longitudinales en Travee'

Le calcul d'une poutrelle s'effectue de la même façon qu'une poutre en T₁.



\Rightarrow schéma équivalent:



Détermination de b C.C.B.A 68 art. 23.3.

L'largeur des tables de compression des poutres fléchies en Té.

La largeur des lundis qui il y a lieu d'admettre d'un côté d'une nervure de poutre fléchie en Té à partir du parment de cette nervure, comme faisant partie de la table de compression de cette poutre, est limitée par la plus restrictive des conditions ci-après :

- On ne doit pas attribuer la même zone de lundis à 2 poutres différentes.
- Lorsqu'il s'agit de nervures parallèles équidistantes et également chargées, la largeur en cause est ainsi limitée à la moitié de la distance entre nervures.

$$bx = \frac{63}{2} - \frac{12}{2} = 25,5 \text{ cm.}$$

- Pour les sections situées dans la zone centrale d'une travée, le $\frac{1}{3}$ de la distance entre points de moments nuls de cette travée. Pour les poutres continues, on admet que cette condition équivaut à prendre pour la largeur considérée $\frac{l}{10}$ (l étant la portée de la poutrelle ou poutre généralement comprise entre nos appuis). Dans notre cas on a : $l = 4,75 \text{ m}$ $bx = \frac{4,75}{10} = 0,475 \text{ m} = 47,5 \text{ cm.}$

- Les $\frac{2}{3}$ de la distance de la section considérée au point de moment nul le plus voisin

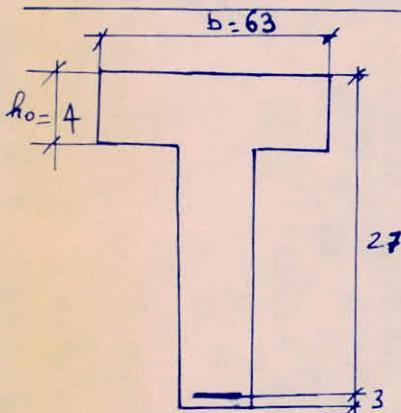
$$M_{tBC} = \frac{q l^2}{8} \Rightarrow l_x = \sqrt{\frac{8 M_{tBC}}{q}} = \sqrt{\frac{8 \times 0,9}{0,49}} = \sqrt{14,7} = 3,84 \text{ m.}$$

$$\frac{2}{3} \times \frac{3,84}{2} = 128 \text{ cm.}$$

On prend comme valeur de b la plus restrictive des conditions à savoir :

$$b = 25,5 \times 2 + 12 = 63 \text{ cm.} \quad \boxed{\text{Valeur de } b = 63 \text{ cm.}}$$

La Poutrelle considérée aura les dimensions suivantes :



Considérons les travées AB et EF :

La première opération à effectuer pour le calcul d'une section en Té consistera à déterminer la position de l'axe neutre. L'axe neutre tombera dans la table si $y_1 \leq h_0$ ou $y_1 = \alpha h \Rightarrow \alpha h \leq h_0$ et si $\alpha h \leq h_0$ l'axe neutre tombera dans la table et si $\alpha h > h_0$ l'axe neutre tombera dans la nervure. Si $\alpha h \leq h_0$ le calcul de la section en Té sera ramené au calcul d'une section rectangulaire $bxht$.

Pour déterminer si l'inégalité $y_1 = \alpha h \leq h_0$ est vérifiée, on commence par calculer μ et l'autour de μ on déduit les coefficients α , k , E , \bar{w} donnés dans les tableaux de l'ouvrage de Ferre Chalon intitulé : "Le calcul et la vérification des ouvrages en Beton armé".

$$= \frac{15 \pi}{\bar{\sigma}_a b h^2} = \frac{15 \times 1151,35 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 63 \times 27^2} = 0,01342$$

Si $\mu = 0,0134$ les tableaux nous donnent : $k = 82$, $\alpha = 0,1546$, $E = 0,9485$, $\bar{w} = 0,0943$.

$y_1 = \alpha h = 0,1546 \times 27 = 4,17 \text{ cm} < 4 \text{ cm}$ Donc l'axe neutre tombe dans la nervure et le calcul du renforcement pour les travées AB et EF sera calculé de la même façon qu'une poutre en Tc'. Le bras de levier d'une section en Tc est égal à $z = h - m \cdot h_0$ (m = coefficient donné dans les tableaux en fonction de $\rho = \frac{\alpha}{\theta}$ ($\theta = \frac{h_0}{h}$)), $\beta = \frac{b_0}{b}$.

Si nous appelons ρ_n et ρ_{n+1} les valeurs de $\rho = \frac{\alpha}{\theta}$ encadrant la valeur de ρ donnée, m_n et m_{n+1} les valeurs de m correspondant à ρ_n et ρ_{n+1} , la valeur de m cherchée et correspondant à ρ sera :

$$\text{Pour : } 1 < \rho = \frac{\alpha}{\theta} \leq 2 \Rightarrow m = m_n + 10(m_{n+1} - m_n)(\rho - \rho_n).$$

$$\text{Pour : } 2 < \rho = \frac{\alpha}{\theta} \leq 13 \Rightarrow m = m_n + (m_{n+1} - m_n)(\rho - \rho_n).$$

Calculons ρ : $\rho = \frac{\alpha}{\theta}$ avec $\theta = \frac{h_0}{h}$; $\beta = \frac{b_0}{b}$.

$$\theta = \frac{4}{27} = 0,14814$$

$$\Rightarrow \rho = \frac{0,1546}{0,14814} = 1,0436.$$

$$\beta = \frac{12}{63} = 0,19047$$

$$1 < \rho \leq 2 \Rightarrow m = m_n + 10(m_{n+1} - m_n)(\rho - \rho_n)$$

$$\beta = 0,19$$

$$\rho_n = 1 \Rightarrow m_n = 0,333.$$

$$\rho_{n+1} = 1,1 \Rightarrow m_{n+1} = 0,362. \Rightarrow m = 0,333 + 10(0,362 - 0,333)(1,0436 - 1)$$

$$\Rightarrow m = 0,3456. \Rightarrow z = h - m \cdot h_0$$

$$z = 27 - 0,3456 \times 4 = 27 - 1,3824 = 25,618 \text{ cm}.$$

$$\boxed{z = 25,618 \text{ cm}}.$$

On en déduit la section d'acier nécessaire en travée :

$$\text{Travées AB et EF} \Rightarrow A = \frac{\Pi}{3 \cdot \sigma_a} = \frac{1151,35 \times 10^2}{25,618 \times 28 \times 10^2} = 1,605 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow \boxed{2-T12} \Rightarrow A = 2,26 \text{ cm}^2.$$

Vérification du pourcentage minimal d'armatures longitudinales.

on doit vérifier l'inégalité suivante : $\frac{A}{b_0 h} \geq 4\varphi \cdot \frac{\sigma_b}{\sigma_a} \left(\frac{h_0}{h}\right)^2$

$$\text{Acier Eurosi} \Rightarrow \varphi_4 = 0,54$$

$$\varphi_4 \times \frac{\sigma_b}{\sigma_a} \times \left(\frac{h_0}{h}\right)^2 = 0,54 \times \frac{5,9}{2800} \times \left(\frac{29}{27}\right)^2 = 1,31 \times 10^{-3}.$$

$$\frac{A}{b_0 h} = \frac{2,26}{12 \times 27} = 6,97 \times 10^{-3} > 1,31 \times 10^{-3} \text{ (condition vérifiée)}$$

Travees BC = CD = DE :

• Determination des armatures longitudinales :

$$\mu = \frac{15 \times 923,93 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 63 \times 27^2} = 0,01077$$

Pour $\mu = 0,01077 \Rightarrow k = 92,5 ; \alpha = 0,1395 ; \varepsilon = 0,9535 ; \bar{\omega} = 0,0754$
 $y_1 = \alpha h = 0,1395 \times 27 = 3,77 \text{ cm} < 4 \text{ cm} \Rightarrow$ l'axe neutre neutre tombe
dans la table de compression. \Rightarrow la travée BC = CD = DE sera
calculée au point de vu calcul comme une section rectangulaire (63 x 27) cm²
On déduit la section d'acier nécessaire en travée :

$$A = \frac{\Gamma}{Eh\bar{\omega}} = \frac{923,93 \times 10^2}{0,9535 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 1,28 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow \boxed{2T10} \Rightarrow A = 1,57 \text{ cm}^2.$$

• Vérification du pourcentage minimal d'armatures longitudinales :

$$\frac{A}{bh} = \frac{1,57}{63 \times 27} = 9,2 \times 10^{-4} < 44 \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_a} \left(\frac{ht}{h} \right)^2 = 1,31 \times 10^{-3}$$

La condition du pourcentage minimal d'armatures longitudinales n'étant pas
vérifiée on adopte la section d'acier minimale nécessaire :

$$A \geq bh 44 \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_a} \left(\frac{ht}{h} \right)^2 = 63 \times 27 \times 1,31 \times 10^{-3} = 2,23 \text{ cm}^2$$

On en déduit donc comme section d'acier nécessaire pour les

$$\text{travées BC ; CD ; DE} \Rightarrow \boxed{2T12 \quad A=2,26 \text{ cm}^2.}$$

b) Determination des armatures longitudinales sur appuis (chapeaux)

Dans ce cas là la section de la table de compression est tendue. Dans
notre calcul, on considère la section d'appui égale à $bh = (12 \times 27) \text{ cm}^2$.

Considérons les appuis de rives A et F. On a : $\Gamma_A = \Gamma_F = -0,2 \Gamma_0 = -284,30 \text{ kg.m}$

$$\mu = \frac{15 \times 284,30 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 12 \times 27^2} = 0,01741$$

$$\mu = 0,01741 \Rightarrow k = 71 ; \alpha = 0,1744 ; \varepsilon = 0,9419 ; \bar{\omega} = 0,123 .$$

$$A = \frac{\Gamma}{Eh\bar{\omega}} = \frac{284,30 \times 10^2}{0,9419 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 0,4 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow \boxed{2T6. \quad A=0,56 \text{ cm}^2}$$

Vérification du pourcentage minimal d'armatures longitudinales :

$$\frac{A}{bh} = \frac{0,56}{12 \times 27} = 1,72 \times 10^{-3} > 1,31 \times 10^{-3} \text{ (condition vérifiée)}$$

$$\text{On adoptera } \boxed{2T6.}$$

$$\boxed{\text{Appui de rive: } \Gamma_A = \Gamma_F \Rightarrow 2T6.}$$

• Section sur appuis intermédiaires :

$$\mu = \frac{15 \times 710,71 \times 10^2}{28 \times 10^3 \times 12 \times 27^2} = 0,04352.$$

$$\mu = 0,0436 \Rightarrow k = 41,6 ; \alpha = 0,2650 ; \varepsilon = 0,9117 ; \bar{\omega} = 0,318 .$$

$$A = \frac{\Pi}{\varepsilon k \bar{\sigma}_a} = \frac{710,71 \times 10^2}{0,9117 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 1,03 \text{ cm}^2 \Rightarrow 2T10 . \Rightarrow A = 1,57 \text{ cm}^2$$

• Vérification du % minimal d'armatures longitudinales :

$$\frac{A}{b h} = \frac{1,57}{12 \times 27} = 4,84 \times 10^{-3} > \psi_4 \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_a} \left(\frac{h_t}{h} \right)^2 = 1,31 \times 10^{-3} \Rightarrow \text{La condition est donc vérifiée.}$$

$$\boxed{\text{Appui } B = C = D = E \Rightarrow 2T10}$$

• Vérification des contraintes dans le béton :

On doit vérifier les conditions suivantes :

$$\begin{aligned} \bar{\sigma}_b' &\leq 2 \bar{\sigma}_{b0} \\ \bar{\sigma}_m' &\leq \bar{\sigma}_{b0}' \end{aligned}$$

- Traveées AB et EF :

$$\bar{\sigma}_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{82} = 34,15 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée.)}$$

$$\bar{\sigma}_m' = \frac{F'}{B'} \quad \text{avec } B' = b h_0 + b_0(y_1 - h_0)$$

$$B' = 63 \times 4 + 12(4,174 - 4) = 252 + 2,088 = 254,1 \text{ cm}^2.$$

$$F' = \frac{\Pi}{z} = \frac{1151,35 \times 10^2}{25,618} = 4494 \text{ kg.}$$

$$\Rightarrow \bar{\sigma}_m' = \frac{4494}{254,1} = 17,68 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_{b0}' = 68,5 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée)}$$

- Traveées BC - CD - DE :

$$\bar{\sigma}_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{92,5} = 30,27 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\bar{\sigma}_m' = \frac{F}{b y_1} = \frac{F}{b \alpha h} = \quad \text{ou } F = \frac{\Pi}{z} . \quad \text{avec } z = \frac{7}{8} h \Rightarrow F = \frac{\Pi}{\frac{7}{8} h} = \frac{8 \Pi}{7 h}$$

$$\bar{\sigma}_m' = \frac{8 \Pi}{7 h \cdot b \alpha h} = \frac{8 \Pi}{7 b \alpha h^2} = \frac{8 \times 92393}{7 \times 63 \times 0,1395 \times 27^2} = 16,48 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_{b0}' = 68,5 \text{ kg/cm}^2$$

- Appui de rive : $\Pi_A = \Pi_F :$

$$\bar{\sigma}_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{71} = 39,44 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2.$$

- Appuis intermédiaires:

$$\pi_B = \pi_C = \pi_D = \pi_E$$

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{41,6} = 67,31 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée)}$$

• Vérification de la fissuration :

$$\sigma_1 = \frac{k \gamma \bar{w}_f}{\phi (1 + 10 \bar{w}_f)}$$

on considère que la fissuration est non préjudiciable
 $k = 1,5 \times 10^6$; $\gamma = 1,5$ pour les H.A.

$$\phi = 12 \text{ mm} \quad - \text{ on a } \bar{w}_f = \frac{A}{B_f}$$

$$\begin{array}{ll} \text{Travees AB et EF :} & \phi = 12 \text{ mm} \\ \text{Travees BC - CD - DE :} & \phi = 12 \text{ mm} \end{array}$$

$$\bar{w}_f = \frac{2,126}{6 \times 12} = 0,0314.$$

$$\Rightarrow \sigma_1 = \frac{1,5 \times 10^6 \times 1,5 \times 0,0314}{12 \times 1,314} = 4480,6 \text{ bars} = 4565,73 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{1,5 \times 1,5 \times 10^6 \times 5,8}{12}} = 2633 \text{ kg/cm}^2$$

$$\pi_{\max}(\sigma_1, \sigma_2) = 4565,73 \text{ kg/cm}^2$$

$\bar{\sigma}_a < 4565,73 \text{ kg/cm}^2 \Rightarrow$ pour des $\phi 12$ avec $\bar{\sigma}_b = 5,8 \text{ bars}$ et $k = 1,5 \times 10^6$
la contrainte de 2800 kg/cm^2 est bien admissible.

$$\bullet \text{ Appuis } B = C = D = E \Rightarrow \phi = 10 \text{ mm}. \Rightarrow w_f = \frac{A}{B_f} = \frac{1,157}{6 \times 12} = 0,0218.$$

$$\sigma_1 = \frac{1,5 \times 10^6 \times 1,5 \times 0,0218}{10 \times 1,218} = 4027,1 \text{ bars} = 4027,1 \times 1,019 = 4104 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{1,5 \times 1,5 \times 10^6 \times 5,8}{10}} = 2237 \text{ bars} = 2237 \times 1,019 = 2279,5 \text{ kg/cm}^2.$$

$\pi_{\max}(\sigma_1, \sigma_2) = 4104 \text{ kg/cm}^2 \Rightarrow \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 < \pi_{\max}(\sigma_1, \sigma_2) \Rightarrow$ Pour des $\phi 10$ la contrainte de 2800 kg/cm^2 est bien admissible.

$$\bullet \text{ Appui de niv : A = F :} \quad \phi = 8 \text{ mm}. \quad 2 \phi 8 = 1 \text{ cm}^2$$

$$w_f = \frac{A}{B_f} = \frac{1}{6 \times 12} = 0,014. \Rightarrow \sigma_1 = \frac{1,5 \times 10^6 \times 1,5 \times 0,014}{8 \times 1,14} = 3454 \text{ bars}$$

$$\sigma_1 = 3454 \times 1,019 = 3520 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{1,5 \times 1,5 \times 10^6 \times 5,8}{8}} = 2501 \text{ bars} = 2501 \times 1,019 = 2548 \text{ kg/cm}^2$$

$\pi_{\max}(\sigma_1, \sigma_2) = 3520 \text{ kg/cm}^2 \Rightarrow$ Pour des $\phi 8$ la contrainte de 2800 kg/cm^2 est bien admissible.

c) ETUDE de L'EFFORT TRANCHANT:

• Calcul de T_{max} :

Lorsqu'on tient compte de la continuité, l'effort tranchant dans une section d'abscisse x est donné par: $T_x = \Theta_x + \frac{\Pi_W - \Pi_e}{l}$

avec Θ_x = effort tranchant dans la section x de la travée indépendante soumise aux mêmes charges. Π_W et Π_e sont à prendre en valeur absolue avec Π_W = moment sur appui de gauche, Π_e = moment sur appui de droite.

$$T_{Ad} = \frac{qP}{2} + \frac{\Pi_W - \Pi_e}{l} = \frac{504 \times 4,75}{2} + \frac{284,30 - 710,71}{4,75}$$

$$T_{Ad} = 1197 - 89,77 = 1107,23 \text{ kg} \Rightarrow T_{Ad} = T_{Fg} = 1107,23 \text{ kg.}$$

$$T_{Bg} = \frac{qP}{2} + \frac{0,5\Pi_0 - 0,2\Pi_0}{4,75} = 1197 + 89,77 = 1286,77 \text{ kg.}$$

$$T_{Bg} = 1286,77 \text{ kg.}$$

$$T_{Bg} = T_{Ed} = 1286,77 \text{ kg.}$$

$$T_{Bd} = T_{cg} = T_{cd} = T_{Dg} = T_{Dd} = T_{Eg} = \frac{qP}{2} + 0 = 1197 \text{ kg.}$$

L'effort tranchant maximum a pour valeur:

$$T_{Bg} = T_{Ed} = 1287 \text{ kg.}$$

Calcul des armatures transversales:

La valeur maximale de l'effort tranchant a pour valeur $T_{max} = 1287 \text{ kg}$. La contrainte maximale tangentielle a donc pour valeur: $\sigma = \frac{T_{max}}{bZ}$

$$\sigma = \frac{1287}{12 \times 0,875 \times 27} = 4,54 \text{ kg/mm}^2$$

si $\sigma \leq \frac{3}{4} \bar{\sigma}_b$ les armatures transversales ne sont pas nécessaires.

si $\sigma > \frac{3}{4} \bar{\sigma}_b \Rightarrow$ nécessité d'armatures transversales.

$$\frac{3}{4} \times 5,9 = 4,425 \text{ kg/mm}^2 \quad \text{or} \quad \sigma = 4,54 \text{ kg/mm}^2 > \frac{3}{4} \bar{\sigma}_b = 4,425 \quad (\text{nécessité d'armatures transversales.})$$

Détermination des armatures transversales:

$$\text{i: } \sigma'_b \leq \bar{\sigma}'_{b0} \text{ ou } \bar{\sigma} \leq 3,5 \bar{\sigma}_b \text{ ou } \sigma'_b < \bar{\sigma}'_{b0} = 68,5 \text{ kg/mm}^2$$

$$\bar{\sigma}'_{b0} \leq 3,5 \bar{\sigma}_b = 3,5 \times 5,9 = 20,65 \text{ kg/mm}^2: \text{ on a } \sigma = 4,54 \text{ kg/mm}^2 < \bar{\sigma} = 20,65 \text{ kg/mm}^2 \quad (\text{condition vérifiée}).$$

La contrainte de traction admissible des armatures transversales d'âme est égale à:

$$\sigma_{at} = \rho_a \sigma_{en}$$

calcul de ρ_{at} : on considère que la section ne comporte pas de reprise de bétonnage.

$$\rho_{at} = 1 - \frac{\bar{\sigma}_b}{9\bar{\sigma}_b} . \quad \text{si } \rho_{at} < \frac{2}{3} \quad \text{on prend } \rho_{at} = \frac{2}{3} .$$

$$\text{Si } \rho_{at} > \frac{2}{3} \Rightarrow \rho_{at} = 1 - \frac{\bar{\sigma}_b}{9\bar{\sigma}_b} = 1 - \frac{4,54}{9 \times 5,9} = 1 - 0,08549 =$$

$$\rho_{at} = 0,914 > \frac{2}{3} = 0,666 \quad \text{Donc la valeur de } \rho_{at} = 0,914 .$$

$\rho_{en} = 2400 \text{ kg/m}^2$ (Armature transversale d'anne en Adx Fe E24)

$$\rho_{at} = 0,914 \times 2400 = 2193,6 \text{ kg/m}^2 . \quad \text{On prend } A_t = 2\phi 6 \text{ (1 cadre } \phi 6) \quad A_t = 0,56 \text{ m}^2$$

• Calcul de l'espacement t :

$$t = \frac{A_t \rho_{at}}{T} = \frac{0,56 \times 23,625 \times 2193,6}{1287} = 22,5 \text{ cm} .$$

$$\text{L'espacement limite est égal à: } 0,2h \leq \bar{t} \leq h \left(1 - \frac{0,13 \bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_b}\right)$$

$$5,4 \text{ cm} \leq \bar{t} \leq 20,763 \text{ cm} .$$

$$\max(\bar{t}) = 20,763 \text{ cm} .$$

On prend comme espacement $t = 20 \text{ cm}$.

On peut prendre la disposition de Caquot: $\frac{l}{2} = \frac{4,75}{2} = 2,375 \text{ m}$.

• Disposition de Caquot: $3 \times 20 ; 3 \times 25 ; 3 \times 35$ etc...

Pour faciliter la tâche sur chantier, on prend un espacement constant de 20cm tout au long de la poutrelle. Le premier plan d'armature transversale sera placé à une distance de l'appui égal à $\frac{t}{3} = \frac{20}{3} = 6,66 \text{ cm}$. On prend 6,5 cm de l'appui.

- Traction des armatures inférieures aux appuis dérivé:

$$\text{On dit vérifié: } A \bar{\sigma}_{a1} \geq T + \frac{M}{3} . \quad (M=0)$$

$$T = 1107,23 \text{ kg} \Rightarrow 2,26 \times 2800 > 1107,23$$

$$6328 > 1107,23 \quad (\text{condition vérifiée})$$

- Vérification à l'entraînement des armatures de traction:

La contrainte d'adhérence des armatures vaut: $\bar{\sigma}_{ad} = \frac{T}{P_3}$.

$$T = 1287 \text{ kg} = T_{\text{max}} . \quad 2T12 \Rightarrow P = 7,54 \text{ cm} .$$

$$z = 25,618 \text{ cm} .$$

$$\bar{\sigma}_{ad} = \frac{1287}{7,54 \times 25,618} = 6,66 \text{ kg/cm}^2 . \quad \text{on doit vérifier } \bar{\sigma}_{ad} < \bar{\sigma}_{d1} \text{ avec } \bar{\sigma}_{d1} = 24,6 \bar{\sigma}_b$$

$$\bar{\sigma}_{d1} = \frac{1,5}{\sqrt{2}} \bar{\sigma}_d \quad \text{avec } \bar{\sigma}_d = \sqrt{2} I \Rightarrow \bar{\sigma}_{d1} = 2 \times \frac{1,5}{\sqrt{2}} \times 5,9 = 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{ad} = 6,66 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_{d1} = 17,7 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{condition vérifiée})$$

• Contrainte d'adhérence admissible dans la zone d'ancre normal:

$$G_d = 1,25 \frac{\phi^2}{4} \bar{\sigma}_b = 1,25 \times 1,5^2 \times 5,9 = 16,6 \text{ kg/cm}^2 \quad (\phi_d = 1,5 \text{ pour les H.A.})$$

longueur d'ancre par scellement droit est égale à :

$$l_d = \frac{\phi}{4} \cdot \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_d} = \frac{1,2 \times 2800}{4 \times 16,6} = 50,6 \text{ cm} = 51 \text{ cm} \quad (\phi 12)$$

$$l_d = \frac{1 \times 2800}{4 \times 16,6} = 42,1 \text{ cm} \quad l_d = 43 \text{ cm} \quad (\phi 10)$$

• Ancre des armatures inférieures:

Nous prenons $l_d = 51 \text{ cm}$. Comme nous disposons d'une longeur d'appui de 25 cm seulement, nous prévoyons dans ce cas un retour d'équerre (voir Dessin Coffrage - Ferrailage plancher).

• Ancre des armatures supérieures des appuis intermédiaires

$$l_d = \frac{\phi}{4} \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_d} = \frac{1 \times 2800}{4 \times 16,6} = 43 \text{ cm} \quad (\phi 10) \quad \text{Nous réalisons un ancre en bane droite.}$$

• Compression de la bielle d'about.

$$\text{on doit vérifier } \bar{\sigma}'_b < \bar{\sigma}'_{b0}$$

$$\text{or } \bar{\sigma}'_b = \frac{2T}{b_0 c} \Rightarrow c = \text{longeur de la nervure}$$

$T = \text{effort tranchant à l'appui de rive.}$

$b_0 = \text{longeur de l'appui.}$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{2 \times 1107,23}{12 \times 25} = 7,38 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_{b0} = 68,5 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{condition vérifiée})$$

• Ferrailage de la dalle de compression:

Il est utile de ferrainer la dalle de compression pour limiter le risque de fissuration, par retrait du béton, pour résister aux effets des charges appliquées sur les surfaces réduites.

$$\text{On a } l_m > 50 \quad (l_m = 63 \text{ cm}) \Rightarrow A = 0,02 l_m \frac{2160}{\sigma_{en}} \text{ pour les treillis soudés en acier doux.}$$

$$A = \frac{43 l_m}{\sigma_{en}} \quad (l_m = \text{distance entre axe des portelles})$$

$$l_m = 63 \text{ cm} \Rightarrow A = \frac{43 \times 63}{5200} \quad (\sigma_{en} = 5200 \text{ kg/cm}^2 \text{ pour les treillis soudés})$$

$$\Rightarrow A_1 = 0,5209 \text{ cm}^2/\text{ml} \quad (\text{perpendiculairement aux nervures})$$

$$A_2 = \frac{A_1}{2} = 0,261 \text{ cm}^2/\text{ml} \quad (\text{parallèlement aux nervures})$$

On utilisera un treillis soudé en $\phi 5$ maille 150/250.

Vérification de la flèche :

Pour les poutrelles de planchers à boudins creux, la justification de la flèche est inutile sauf :

$$1^{\circ}) \frac{ht}{l} > \frac{1}{22,5}$$

$$2^{\circ}) \frac{ht}{l} > \frac{1}{15} \cdot \frac{\pi t}{\pi_0}$$

$$3^{\circ}) \frac{A}{b_0 h} < \frac{36}{5200}$$

$$1^{\circ}) \frac{ht}{l} = \frac{29}{475} = 0,06105 > 0,04444 \text{ (condition vérifiée)}$$

$$2^{\circ}) \frac{ht}{l} > \frac{1}{15} \frac{\pi t}{\pi_0} \Rightarrow \frac{29}{475} = 0,06105 > 0,054 \text{ (condition vérifiée)}$$

$$3^{\circ}) \frac{A}{b_0 h} < \frac{36}{5200} \Rightarrow \frac{2125}{12 \times 27} = 0,00897 < \frac{36}{4200} = 0,00857 \text{ (condition vérifiée)}$$

Les 3 conditions étant satisfaites, il est inutile de calculer la flèche.

- TABLEAUX RÉCAPITULATIFS -

POUTRELLES - T1 -

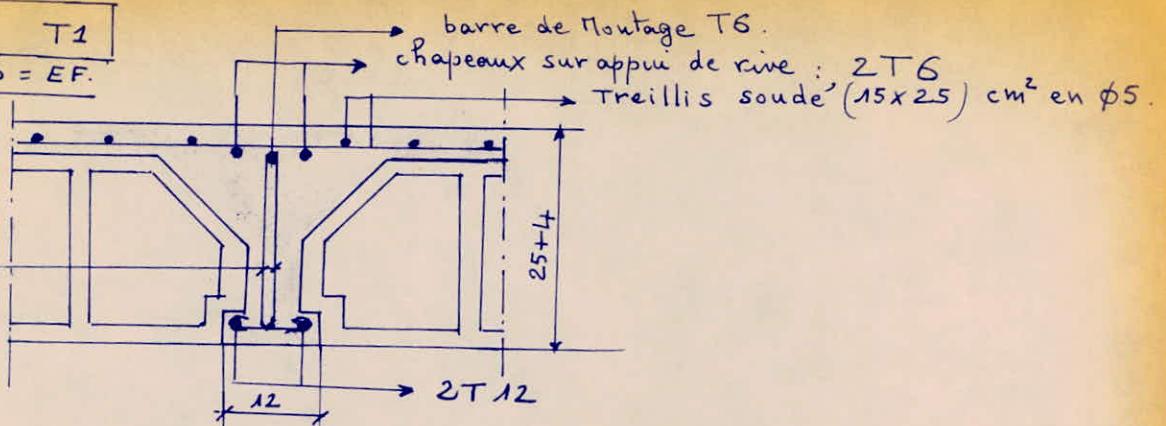
| M (kg.m) | P | α | m | $z = h - m \phi$ (mm) | Nbre de barres et leurs ϕ | A (cm^2) calculée | A (cm^2) adoptée | σ_b' (kg/ cm^2) | σ_m' (kg/ cm^2) |
|---------------|--------|----------|--------|--------------------------|--------------------------------------|-----------------------------------|----------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|
| 1151,35 | 0,0134 | 0,1546 | 0,3456 | 25,618 | 2T12 | 1,60 | 2,26 | 34,15 | 17,68 |
| 1151,35 | 0,0134 | 0,1546 | 0,3456 | 25,618 | 2T12 | 1,60 | 2,26 | 34,15 | 17,68 |

| M (kg.m) | P | α | k | A (cm^2) calculée: | Nbre de barres et leurs ϕ | A adoptée cm^2 | σ_b' kg/ cm^2 | σ_m' (kg/ cm^2) |
|---------------|--------|----------|------|------------------------------------|--------------------------------------|------------------------------|----------------------------------|-------------------------------------|
| 923,93 | 0,0108 | 0,1395 | 92,5 | 1,28 | 2T12 | 2,26 | 30,27 | 16,48 |
| 923,93 | 0,0108 | 0,1395 | 92,5 | 1,28 | 2T12 | 2,26 | 30,27 | 16,48 |

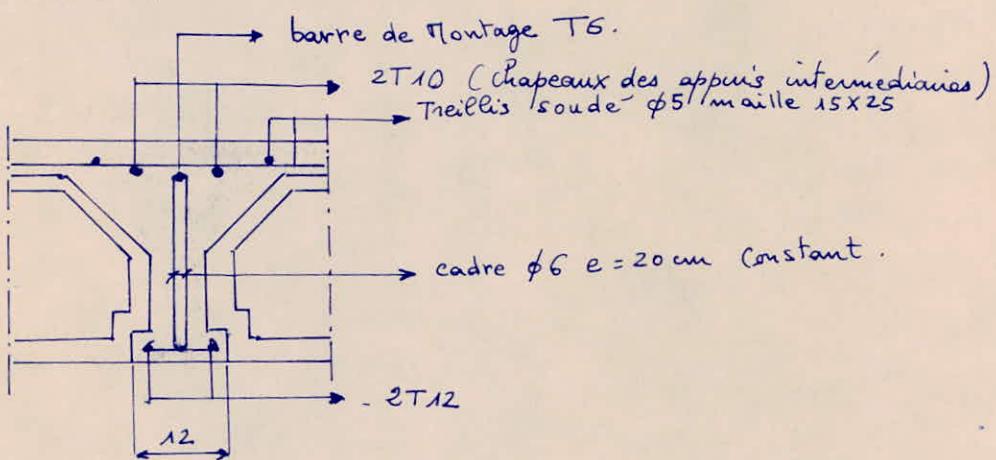
| puis | M (kg.m) | P | α | k | A (cm^2) calculée | Nbre de barres et leurs ϕ | A (cm^2) Adoptée | σ_b' (kg/ cm^2) |
|---------|---------------|--------|----------|------|-----------------------------------|--------------------------------------|----------------------------------|-------------------------------------|
| et F | 284,30 | 0,0174 | 0,1744 | 71 | 0,4 | 2T6 | 0,56 | 39,44. |
| = D = E | 710,71 | 0,0436 | 0,2650 | 41,6 | 1,03 | 2T10 | 1,57 | 67,31. |

Sections T1

TRAVEE AB = EF.

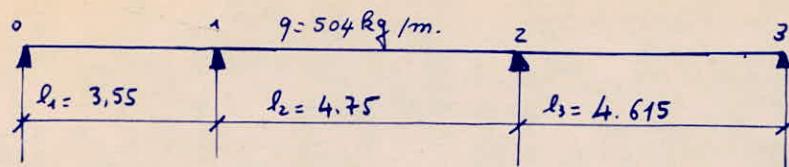


Travee BC = CD = DE



- POUTRELLES T2 -

B Calcul des poutrelles du Type T2:



La Poutrelle du type T2 est une poutrelle continue à 3 travées inégales. Dans ces conditions on ne peut pas appliquer les règles fondamentales du C.C.B.A 68 car le rapport des portées n'est pas compris entre 0,8 et 1,25.

Appliquons l'équation des 3 moments :

$$\begin{aligned} \text{Première équation : } \Pi_0 l_1 + 2\Pi_1(l_1+l_2) + \Pi_2 l_2 &= -\frac{P}{4}(l_1^3 + l_2^3) \quad (\Pi_0 = 0) \\ 2\Pi_1(3,55 + 4,75) + \Pi_2 \times 4,75 &= -\frac{504}{4}(3,55^3 + 4,75^3) \\ 16,6\Pi_1 + 4,75\Pi_2 &= -19,1405 \quad (1) \end{aligned}$$

deuxième équation :

$$\begin{aligned} \Pi_1 l_2 + 2\Pi_2(l_2+l_3) + \Pi_3 l_3 &= -\frac{P}{4}(l_2^3 + l_3^3) \quad (\Pi_3 = 0) \\ 4,75\Pi_1 + 18,73\Pi_2 &= -\frac{0,504}{4}(\overline{4,75}^3 + \overline{4,615}^3) \\ 4,75\Pi_1 + 18,73\Pi_2 &= -25,888 \quad (2) \end{aligned}$$

Après résolution du système : on trouve : $\Pi_1 = -0,817 t.m.$
 $\Pi_2 = -1,17 t.m.$

$$M_{t_{0-1}} = \frac{9P_1^2}{8} = \frac{0,504 \times 3,55^2}{8} = 0,794 t.m.$$

$$M_{t_{1-2}} = \frac{9P_2^2}{8} = \frac{0,504 \times 4,75^2}{8} = 1,42 t.m.$$

$$M_{t_{2-3}} = \frac{9P_3^2}{8} = \frac{0,504 \times 4,615^2}{8} = 1,34 t.m.$$

$$M_{t_{0-1}} = 0,794 - \frac{0,817}{2} = 0,794 - 0,408 = 0,386 t.m.$$

$$\Pi_{t_{0-1}} = 0,386 t.m.$$

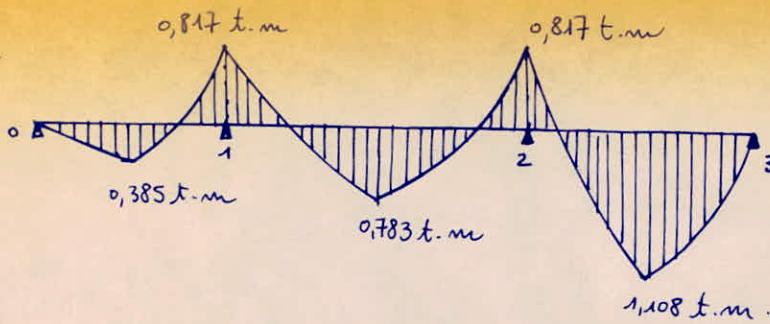
$$\Pi_{t_{1-2}} = 1,42 - 0,99 = 0,43 t.m.$$

$$\Pi_{t_{1-2}} = 0,43 t.m.$$

$$M_{t_{2-3}} = 1,34 - \frac{1,17}{2} = 0,755 t.m.$$

$$\Pi_{t_{2-3}} = 0,755 t.m.$$

on prend le plus petit moment pour affirmer $M = -0,817 \text{ t.m.}$. On ajoute la différence aux travées 1-2 et 2-3. $\Rightarrow \Pi_{t_{1-2}} = 0,43 + 0,353 = 0,783 \text{ t.m.}; \Pi_{t_{2-3}} = 0,755 + 0,353 = 1,108 \text{ t.m.}$
 Et pour le diagramme des moments flexionnels :



a) Détermination des armatures longitudinales en travée :

• Travée 0-1 : $\mu = \frac{15 \times 1}{\sigma_a b h^2} = \frac{15 \times 0,385 \times 10^5}{28 \times 10^2 \times 63 \times 27^2} = 0,0045$

D'après les tableaux, on en déduit :

$$k = 148; \alpha = 0,092; \varepsilon = 0,9693.$$

$y_1 = \alpha h = 0,092 \times 27 = 2,484 \text{ cm} < h_o = 4 \text{ cm}$. Au point de vue calcul, on a une section rectangulaire de 63×27 . (La largeur de la table b est la même que celle de la poutrelle du type T1)

La section d'acier nécessaire est égale à : $A = \frac{\Pi}{\varepsilon h \sigma_a} = \frac{385 \times 10^2}{0,9693 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 0,525 \text{ cm}^2$

Vérification du pourcentage minimal d'armatures longitudinales :

On dit la condition suivante :

$$\frac{A}{bh} \geq \psi_4 \frac{\bar{\sigma}_b}{\sigma_a} \left(\frac{ht}{h} \right)^2$$

$$\frac{0,525}{63 \times 27} = 3 \times 10^{-4}$$

$$\psi_4 \left(\frac{\bar{\sigma}_b}{\sigma_a} \right) \cdot \left(\frac{ht}{h} \right)^2 = 0,54 \times \frac{5,9}{2800} \times \left(\frac{29}{27} \right)^2 = 1,31 \times 10^{-3}$$

$$3 \times 10^{-4} < 1,31 \times 10^{-3} \quad (\text{condition non vérifiée})$$

Donc la section doit être au plus égale à :

$$A \geq bh \psi_4 \frac{\bar{\sigma}_b}{\sigma_a} \left(\frac{ht}{h} \right)^2 = 63 \times 27 \times 1,31 \times 10^{-3} = 2,23 \text{ cm}^2.$$

Soit $\boxed{2T12} \Rightarrow A = 2,26 \text{ cm}^2$.

La travée 0-1 nécessite une section d'acier nécessaire de $2T12 \Rightarrow A = 2,26 \text{ cm}^2$.

• Travée 1-2 $\Pi = 0,783 \text{ t.m.}$ $b = 63 \text{ cm}$ (même que celle du type T1)

$$\mu = \frac{15 \times 783 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 63 \times 27^2} = 0,0091$$

D'après les tableaux on déduit : $k = 101$, $\alpha = 0,1293$, $\varepsilon = 0,9569$.

$y_1 = \alpha h = 3,491 \text{ cm} \Rightarrow l'\text{axe neutre tombe dans la table de compression}$. Au point de vue calcul, on a une section rectangulaire de $(29 \times 63) \text{ cm}^2$.

$$\Rightarrow k = 101, \varepsilon = 0,9569 \Rightarrow A = \frac{\Pi}{\varepsilon h \sigma_a} = \frac{783 \times 10^2}{0,9569 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 1,08 \text{ cm}^2$$

Vérification du pourcentage minimal d'armatures longitudinales :

$$\frac{A}{bh} \geq \psi_4 \frac{\bar{\sigma}_b}{\sigma_a} \left(\frac{ht}{h} \right)^2 = 1,31 \times 10^{-3} ; \quad \frac{1,08}{63 \times 27} = 6,3 \times 10^{-4} \Rightarrow 6,3 \times 10^{-4} < 1,31 \times 10^{-3}$$

la condition du % minimal d'armatures longitudinales n'est pas vérifiée ou

adopte comme section nécessaire égale à :

$$A = 1,31 \times 10^{-3} \times 63 \times 27 = 2,23 \text{ cm}^2 \Rightarrow$$

Travée 1-2 \Rightarrow 2T12 $\Rightarrow A = 2,26 \text{ cm}^2$.

Travée 1-2 : 2T12.

• Travée 2-3 : $M = 1,108 \text{ t.m}$; $b = 63 \text{ cm}$.

$$\rho = \frac{15 \times 1,108 \times 10^5}{28 \times 63 \times 27^2 \times 10^2} = 0,013.$$

D'après les tableaux on déduit :

$$k = 83,5 ; \alpha = 0,1523 ; \varepsilon = 0,9492.$$

$$\text{On déduit } A = \frac{M}{Eh\bar{\rho}_a} = \frac{1108 \times 10^2}{0,9492 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 1,54 \text{ cm}^2$$

avec une section d'acier $A = 1,54 \text{ cm}^2$, le pourcentage minimal d'armatures longitudinales ne sera pas vérifié. Pour que cette condition soit vérifiée on adopte comme section d'acier minimale nécessaire : $A = 2,26 \text{ cm}^2$

\Rightarrow 2T12

Travée 2-3 \Rightarrow 2T12.

b) Section sur appuis intermédiaires: 1-2

$$M = 0,817 \text{ t.m.} \quad b = 12 \text{ cm.}$$

$$\rho = \frac{15 \times M}{\bar{\rho}_a b h^2} = \frac{15 \times 817 \times 10^2}{28 \times 12^2 \times 12 \times 27^2} = 0,05. \quad \text{D'après les tableaux on déduit :}$$

$$k = 38,2 ; \alpha = 0,2820 ; \varepsilon = 0,9060 \Rightarrow A = \frac{M}{Eh\bar{\rho}_a} = \frac{817 \times 10^2}{0,9060 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 1,19 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow A = 2T10 = 1,57 \text{ cm}^2.$$

• vérification du % minimal d'armatures longitudinales:

$$\frac{A}{bh} \geq 4,4 \left(\frac{\bar{\rho}_b}{\bar{\rho}_a} \right) \cdot \left(\frac{h_b}{h} \right)^2 \quad \frac{1,57}{12 \times 27} > 1,31 \times 10^{-3}$$

$$4,84 \times 10^{-3} > 1,31 \times 10^{-3} \quad (\text{condition vérifiée})$$

En chapeaux on adopte comme section d'acier : $A = 2T10 = 1,57 \text{ cm}^2$.

Pour les appuis de rive on adopte fréquemment :

2T8 pour un moment $M = 0,2770$.

Vérification des contraintes dans le béton :

Travée 0 - 1 :

$$-\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{148} = 18,92 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2. \quad (\text{vérifiée})$$

$$-\sigma'_m = \frac{8\pi}{7b\alpha h^2} = \frac{8 \times 385 \times 10^2}{7 \times 63 \times 0,092 \times 27^2} = 10,41 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_{bo} = 68,5 \text{ kg/cm}^2. \quad (\text{vérifiée})$$

Travée 1 - 2 :

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{101} = 27,70 \text{ kg/cm}^2 < 137 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{vérifiée})$$

$$\sigma'_m = \frac{8\pi}{7b\alpha h^2} = \frac{8 \times 783 \times 10^2}{7 \times 63 \times 0,1293 \times 27^2} = 15,1 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_{bo} = 68,5 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{vérifiée})$$

Travée 2 - 3 :

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{83,5} = 33,53 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{vérifiée}).$$

$$\sigma'_m = \frac{8\pi}{7b\alpha h^2} = \frac{8 \times 1108 \times 10^2}{7 \times 63 \times 0,1523 \times 27^2} = 18,10 \text{ kg/cm}^2 < 68,5 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{vérifiée}).$$

Appuis intermédiaires :

$$\text{Appui 1} = \text{Appui 2} \Rightarrow \sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{38,2} = 73,298 = 73,3 \text{ kg/cm}^2 < 137 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{condition vérifiée}).$$

Nous avons vérifié dans le calcul des portefilles du type 1 pour des $\phi = 10 \text{ mm}$ et $\phi = 12 \text{ mm}$, la contrainte de 2800 kg/cm^2 est admissible. \Rightarrow Donc la fixation est vérifiée pour les portefilles du type T2.

c) Etude de l'effort tranchant :

L'effort tranchant maximum a pour valeur :

$$T_1 = \frac{qP}{2} + \frac{\tau_1 - \tau_0}{l} = 895 + 230,14 = 1125,14 \text{ kg. } T_{od} = 664,86 \text{ kg.}$$

$$T_{1d} = \frac{qP}{2} = \frac{504 \times 4,75}{2} = 1197 \text{ kg. } = T_{2g}$$

$$T_{2d} = \frac{qP}{2} + \frac{\tau_2 - \tau_3}{l} = \frac{504 \times 4,615}{2} + \frac{817}{4,615} = 1163 + 177 = 1340 \text{ kg.}$$

L'effort tranchant maximum a pour valeur : $T = 1340 \text{ kg.}$

• Calcul des armatures transversales :

La valeur maximale de l'effort tranchant a pour valeur $T_{max} = 1340 \text{ kg.}$

La contrainte maximale tangentielle a pour valeur : $\sigma = \frac{T}{b\gamma} = \frac{1340}{0,875 \times 27 \times 12} = 4,73 \text{ kg/cm}^2.$

On a $\sigma = 4,73 \text{ kg/cm}^2 > \frac{3}{4} \bar{\sigma}_b = 4,425 \text{ kg/cm}^2 \Rightarrow$ d'où la nécessité d'ajouter les armatures transversales.

La contrainte de traction admissible des armatures transversales d'âme a pour valeur : $\sigma_{at} = f_{at} - \sigma_{en}$

$$\sigma_{at} = 1 - \frac{\bar{\sigma}_b}{9\bar{\sigma}_b} = 1 - \frac{4,73}{9 \times 5,9} = 1 - 0,089 = 0,911 > \frac{2}{3}$$
 donc la valeur de

$$\sigma_{at} = 0,911 \Rightarrow \sigma_{at} = 0,911 \times 2400 = 2186,4 \text{ kg/cm}^2.$$

• Calcul de l'espacement : $t = \frac{A_t \sigma_{at}}{T} =$

On prend 1 cadre $\phi 6$

$$A_t = 0,56 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow t = \frac{0,56 \times 0,875 \times 27 \times 2186,4}{1340} = 21,586 \text{ cm}$$

On prend un espacement constant : $t = 20 \text{ cm.}$

• Traction des armatures inférieures aux appuis de rive :

On doit vérifier : $A \bar{\sigma}_a \geq T + \frac{\tau_1}{3} \quad (\text{ou } M=0) \Rightarrow A \bar{\sigma}_a \geq T.$

$$2,26 \times 2800 = 6328 > 664,86 \text{ kg. (condition vérifiée).}$$

• Vérification à l'entraînement des armatures de traction :

La vérification est identique que celles des poutrelles du type T1.

• Contrainte d'adhérence admissible dans la zone d'annage normal :

identique que celles des poutrelles du type T1.

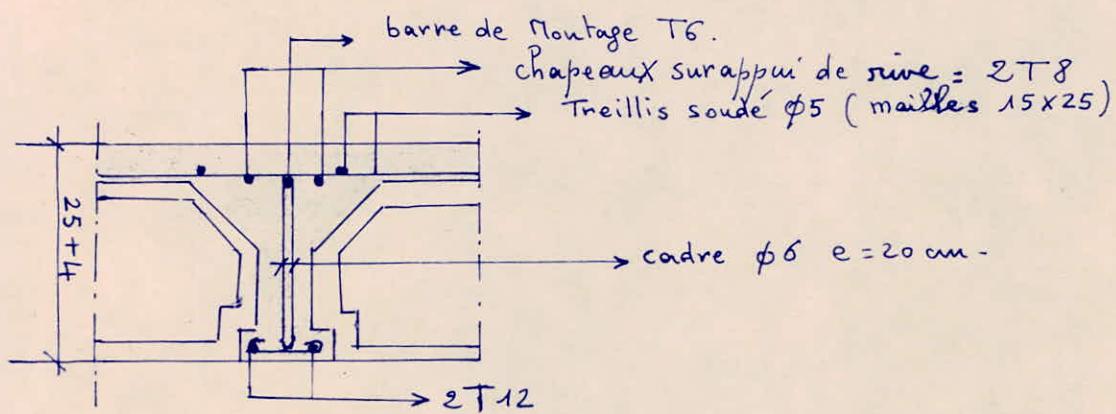
$$l_{od} = 51 \text{ cm} \quad (\phi 12 \text{ mm}) ; \quad l_{od} = 43 \text{ cm} \quad (\phi 10 \text{ mm}).$$

• Compression de la bielle d'about : La vérification est identique que Type T1.

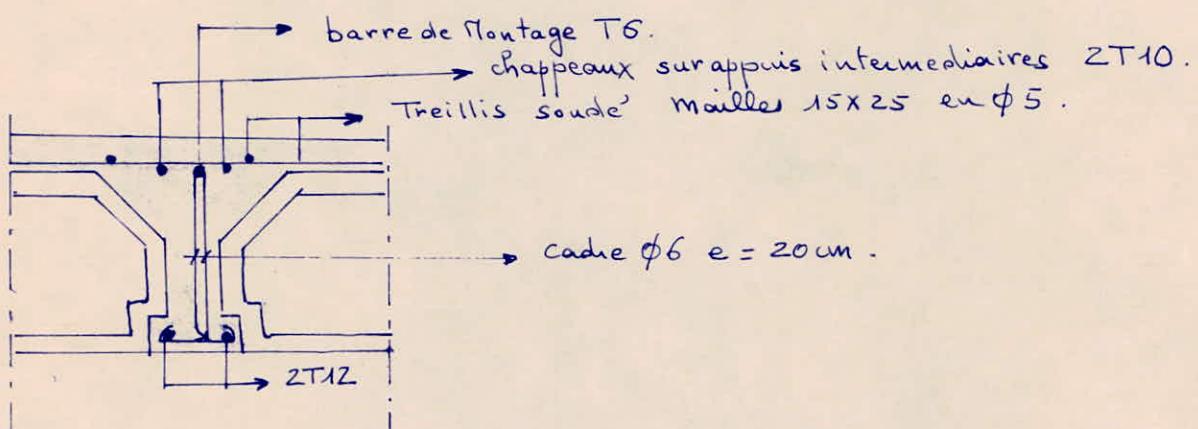
• Ferraillage de la dalle de compression : (même calcul que T1) de même que la vérification de la flèche.

Sections T2 :

Travée 0-1 (section au niveau de l'appui de rive) = Travée 2-3.



Travée intermédiaire 1-2



TABLEAUX

RÉCAPITULATIFS

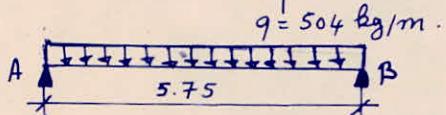
POUTRELLES T2

| Travées | M (kg.m) | p | q | k | A (cm ²) calculée | Nbre de barres et leurs φ | A (cm ²) adoptée | σ_b' kg/cm ² | σ_m' |
|---------|-------------|--------|--------|------|----------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|-----------------------------------|-------------|
| 0-1 | 385 | 0,0045 | 0,092 | 148 | 0,525 | 2T12 | 2,26 cm ² | 18,92 | 10,41 |
| 1-2 | 783 | 0,0091 | 0,1293 | 101 | 1,08 | 2T12 | 2,26 | 27,72 | 15,1 |
| 2-3 | 1108 | 0,013 | 0,1523 | 83,5 | 1,54 | 2T12 | 2,26 | 33,53 | 18,10 |

| Appuis | M (kg.m) | p | q | k | A (cm ²) calculée | Nbre de barres et leurs φ | A (cm ²) adoptée | σ_b' | σ_m' |
|--------|-------------|------|--------|------|----------------------------------|---------------------------------|---------------------------------|-------------|-------------|
| 1 | 817 | 0,05 | 0,2820 | 38,2 | 1,19 | 2T10 | 1,57 | 73,3 | — |
| 2 | 817 | 0,05 | 0,2820 | 38,2 | 1,19 | 2T10 | 1,57 | 73,3 | — |

POUTRELLES T3

2.) La poutrelle T3 est la poutrelle à 1 seule travée $l = 5,75 \text{ m}$.



$$\text{calculons } \Pi_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{504 \times 5,75^2}{8} = 2100 \text{ kg.m.}$$

$$\mu = \frac{15 \Pi_0}{\overline{\sigma}_a b h^2} = \frac{15 \times 2100 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 63 \times 27^2} = 0,02449.$$

$$\mu = 0,0244 \Rightarrow \alpha = 0,2041 ; k = 58,5 ; \varepsilon = 0,9320 \quad \text{On déduit}$$

$y_1 = \alpha h = 0,2041 \times 27 = 5,511 \text{ cm}$. L'axe neutre tombe dans la nervure \Rightarrow la poutrelle T3 sera calculée comme une poutre en Té.

$$\text{calculons } g = \frac{\alpha}{\theta} = \text{ avec } \theta = \frac{h_0}{h} = 0,14814$$

$$\beta = \frac{b_0}{b} = \frac{12}{63} = 0,19045$$

$$\Rightarrow g = \frac{\alpha}{\theta} = \frac{0,2041}{0,14814} = 1,38.$$

$$\beta = 0,19$$

$$1 < g \leq 2 \Rightarrow m = m_m + 10(m_{m+1} - m_m)(g - g_m)$$

$$\begin{aligned} g_m &= 1,3 \\ g_{m+1} &= 1,4 \end{aligned} \Rightarrow \begin{aligned} m_m &= 0,404 \\ m_{m+1} &= 0,419 \end{aligned} \quad \left. \right\} \Rightarrow m = 0,404 + 10(0,015)(1,38 - 1,3) = 0,416$$

$$m = 0,416.$$

$$\text{On déduit le bras de levier : } z = h - mh_0 = 27 - 0,416 \times 4 = 27 - 1,664 = 25,336 \text{ cm}$$

$$\text{On déduit la section d'acier : } A = \frac{\Pi}{z \overline{\sigma}_a} = \frac{2100 \times 10^2}{25,336 \times 28 \times 10^2} = 2,96 \text{ cm}^2.$$

$$\Rightarrow \boxed{\text{Travée AB} \Rightarrow 2T12 + 1T10 \text{ avec } A = 3,04 \text{ cm}^2.}$$

Vérification du % minimal d'armatures longitudinales :

$$\frac{A}{b_0 h} \geq 44 \frac{\overline{\sigma}_b}{\overline{\sigma}_a} \left(\frac{h_0}{l} \right)^2 \geq 1,31 \times 10^{-3}$$

$$\frac{A}{b_0 h} = \frac{3,04}{12 \times 27} = 9,38 \times 10^{-3} > 1,31 \times 10^{-3} \quad (\text{condition vérifiée}).$$

Section sur appuis (Papillons) On prend parfaitement 2T8.

Section en cheveaux (A et B) \Rightarrow 2T8.

• Vérification des contraintes dans le béton :

On dit vérifié : $\sigma'_b < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2$.
 $\sigma'_m < \bar{\sigma}'_{bo} = 68,5 \text{ kg/cm}^2$.

$$\sigma'_b = \frac{2800}{58,5} = 47,86 \text{ kg/cm}^2 < 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée.)}$$

Comme $\sigma'_b < \bar{\sigma}'_{bo} \Rightarrow \sigma'_m < \bar{\sigma}'_{bo}$. Donc les 2 conditions sont vérifiées.

- Fissuration: Puis de T12 avec $\bar{\sigma}_b = 5,8$ dans la contrainte de 2800 kg/cm^2 est admissible.

• Etude de l'effort tranchant:

$$T_{\max} = \frac{qP}{2} = \frac{504 \times 5,75}{2} = 1449 \text{ kg.}$$

$$\bar{\sigma}_b = \frac{T}{b3} = \frac{1449}{12 \times 25,336} = 4,766 \text{ kg/cm}^2.$$

Comme $\sigma'_b < \bar{\sigma}'_{bo} \Rightarrow \bar{\sigma}_b = 3,5 \bar{\sigma}_b = 3,5 \times 5,9 = 20,65 \text{ kg/cm}^2$

on a : $\bar{\sigma}_b = 4,766 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b = 20,65 \text{ kg/cm}^2$ (condition vérifiée).

$$f_{at} = 1 - \frac{\bar{\sigma}_b}{9\bar{\sigma}_b} = 1 - \frac{4,766}{9 \times 5,9} = 1 - 0,09 = 0,91 > \frac{2}{3} \text{ donc } f_{at} = 0,91.$$

$$\sigma_{at} = f_{at} \sigma_{en} = 0,91 \times 2400 = 2184 \text{ kg/cm}^2. \quad F_t = 2 \phi 6 \Rightarrow A_t = 0,56 \text{ cm}^2.$$

Calcul de l'espacement t: $t = \frac{A_t \cdot \sigma_{at}}{T}$

$$t = \frac{0,56 \times 25,336 \times 2184}{1449} = 21,38 \text{ cm.}$$

On prend $t = 18 \text{ cm}$ constant tout le long de la Poutrelle T3.

Vérification de la flèche:

La Poutrelle du type T3 est une poutrelle à une seule travée. Le calcul de la flèche est égal à: Le Formulaire DUNOD nous donne $f = \frac{5 P L^4}{384 E I}$

$$f = \frac{5 \times 5,04 \times \overline{575}^4}{384 \times 32000 \times 378000} = \frac{5 \times 5,04 \times \overline{575}^4}{384 \times 378 \times 32 \times 10^6} = 0,593 \text{ cm.}$$

La flèche limite est égale à:

$$f = 0,5 \text{ cm} + \frac{l}{1000} \text{ si la portée } l \text{ est } > 5 \text{ m} \Rightarrow f = 1,075 \text{ cm.}$$

$f < \bar{f}$ (condition vérifiée).

Les autres vérifications qui suivent (Ferraillage de la dalle de compression, traction des armatures) s'effectuent de la même façon que les poutrelles du type T1 et T2.

-TABLEAUX

RÉCAPITULATIFS -

-POUTRELLES T3-

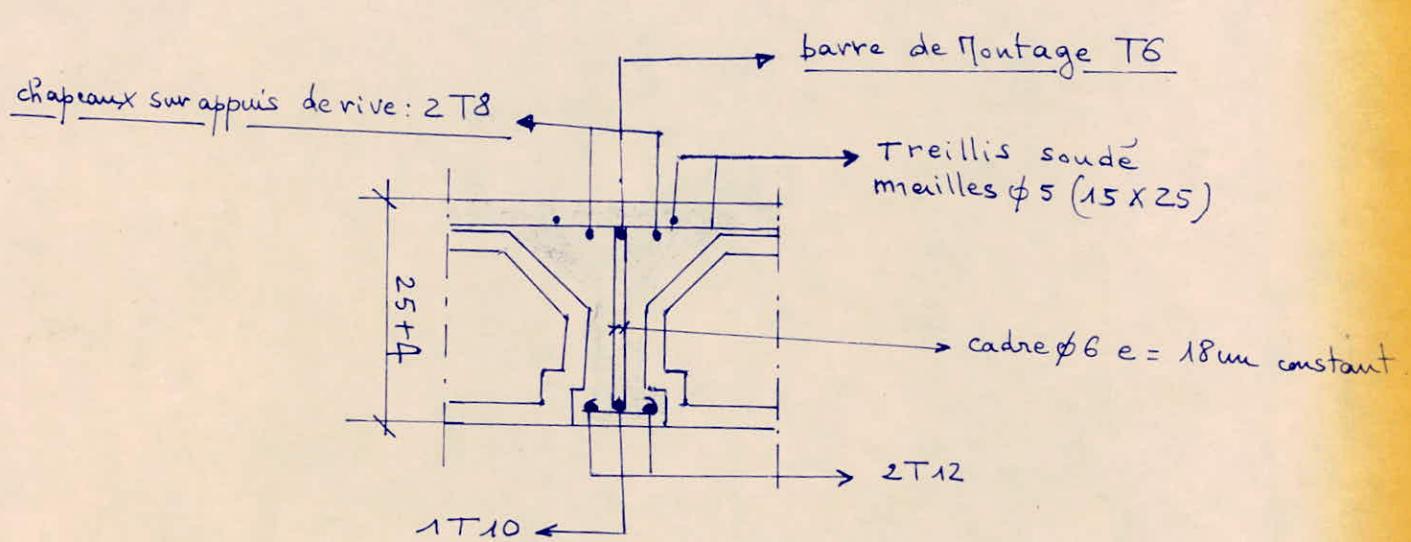
| Travée | M (kg.m) | μ | α | m | $z = h - m \cdot h_0$ (mm) | A (cm^2) calculée | Nbre de barres et leur(s) ϕ | A (cm^2) adoptée | σ'_b (kg/cm^2) | σ'_m (kg/cm^2) |
|--------|-------------|--------|----------|-------|-------------------------------|---------------------------------|--|--------------------------------|-------------------------------------|--|
| AB | 2100 | 0,0244 | 0,2041 | 0,416 | 25,336 | 2,96 | 2T12 + 1T10 | 3,04 | 47,86 | $\sigma'_m <$ $\overline{\sigma'_b} = 68,5$ |

-POUTRELLES T4 -

| Travée | M (kg.m) | μ | α | m | $z = h - m \cdot h_0$ (mm) | A (cm^2) calculée | Nbre de barres et leur(s) ϕ | A (cm^2) adopté | σ'_b (kg/cm^2) | σ'_m (kg/cm^2) |
|--------|-------------|---------|----------|--------|-------------------------------|---------------------------------|--|-------------------------------|----------------------------------|-------------------------------------|
| CD | 1392 | 0,01623 | 0,1695 | 0,3712 | 25,515 | 1,95 | 2T12 | 2,26 | 38,1 | $\sigma'_m <$ 68,5 |

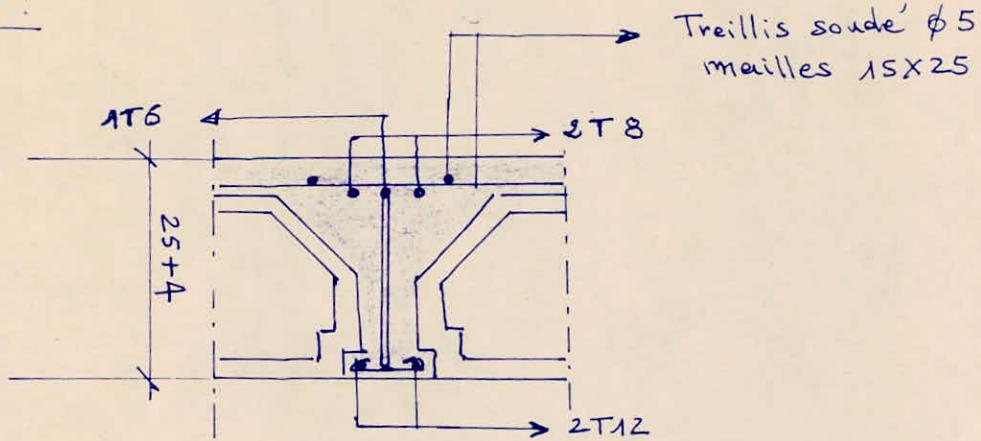
Section T3.

TRAVEE AB:



Section T4 :

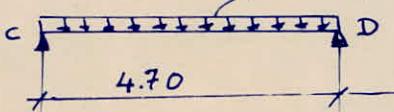
Travee CD:



POUTRELLES T4

D.) Calcul des Poutrelles du type T4: c'est une poutrelle à une seule travée. ($l = 4.70 \text{ m}$)

$$q = 504 \text{ kg/m.}$$



calculons π_0 moment fléissant en travée maximum.

$$\pi_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{504 \times 4.7^2}{8} = 1392 \text{ kg.m.}$$

$$\beta = \frac{15 \pi_0}{\bar{\sigma}_a b h^2} = \frac{15 \times 1392 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 63 \times 27^2} = 0,01623$$

D'après les Tableaux on déduit : $\alpha = 73,5$; $\alpha = 0,1695$; $E = 0,9435$.

L'axe neutre est égal à : $y_1 = \alpha h = 0,1695 \times 27 = 4,576 \text{ cm} < h_0 = 4 \text{ cm} \Rightarrow$ l'axe neutre tombe dans la nervure; le calcul s'effectuera de la même façon qu'une poutre en T4.

$$f = \frac{\alpha}{\theta} = \frac{0,1695}{0,14814} = 1,14 \quad ; \quad \beta = \frac{b_0}{b} = \frac{12}{63} \approx 0,19.$$

$$1 < f \leq 2 \quad \begin{aligned} f_n &= 1,1 & \Rightarrow m_n &= 0,362 \\ f_{n+1} &= 1,2 & \Rightarrow m_{n+1} &= 0,385 \end{aligned}$$

$$\text{on } m = m_n + 10(m_{n+1} - m_n)(f - f_n)$$

$$m = 0,362 + 10 \times 0,023 \times 0,04 = 0,3712$$

$$m = 0,3712.$$

$$z = h - m h_0 = 27 - 1,4848 = 25,515 \text{ cm.}$$

$$z = 25,515 \text{ cm}$$

$$\text{On a : } A = \frac{\pi}{3 \bar{\sigma}_a} = \frac{1392 \times 10^2}{25,515 \times 28 \times 10^2} = 1,95 \text{ cm}^2$$

\Rightarrow Ferraillage en travée (CD): 2T12 avec $A = 2,26 \text{ cm}^2$.

Vérification du pourcentage minimal d'armatures longitudinales.

$$\frac{A}{b_0 h} \geq \psi_4 \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_a} \left(\frac{h_0}{h} \right)^2 = 1,31 \times 10^{-3}.$$

$$\frac{A}{b_0 h} = \frac{2,26}{12 \times 27} = 6,97 \times 10^{-3} > 1,31 \times 10^{-3}$$

Donc la condition est vérifiée.

. Secteur sur appui: on prend parfaitement 2T8 enclipeaux aux appuis de rive.

. Vérification des contraintes dans le béton:

$$\text{On doit vérifier } \bar{\sigma}'_b < \bar{\sigma}_b = 137 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\bar{\sigma}'_m < \bar{\sigma}'_{b_0} = 68,5 \text{ kg/cm}^2.$$

. En Travée:

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_b}{k} = \frac{2800}{73,5} = 38,1 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2.$$

comme $\sigma'_b < \bar{\sigma}'_{b0} = 68,5 \text{ kg/cm}^2$, on aura $\sigma'_m < \bar{\sigma}'_{b0}$ (donc les 2 conditions sont vérifiées)

Fissuration: pour des $\phi 12 \text{ mm}$ avec $\bar{\sigma}_b = 5,8 \text{ bars}$, la contrainte de 2800 kg/cm^2 est admissible.

• ETUDE de l'EFFORT TRANCHANT.

$$T_{\max} = \frac{qP}{2} = \frac{504 \times 4,70}{2} = 1184,4 \text{ kg.}$$

La contrainte tangentielle maximale a pour valeur:

$$\bar{\tau}_b = \frac{T}{b_z} = \frac{1184,4}{12 \times 0,875 \times 27} = 4,18 \text{ kg/cm}^2.$$

comme $\sigma'_b < \bar{\sigma}'_{b0} = 68,5 \text{ kg/cm}^2 \Rightarrow \bar{\tau}_b = 3,5 \bar{\sigma}_b = 3,5 \times 5,9 = 20,65 \text{ kg/cm}^2$.

on a $\bar{\tau}_b = 4,18 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\tau}_b = 20,65 \text{ kg/cm}^2$. (condition vérifiée).

$$\rho_{at} = 1 - \frac{\bar{\tau}_b}{9\bar{\sigma}_b} = 1 - \frac{4,18}{9 \times 5,9} = 1 - 0,0787 = 0,92 > \frac{2}{3} \text{ donc } \rho_{at} = 0,92.$$

$$\rho_{at} = \rho_{en} = 0,92 \times 2400 = 2208 \text{ kg/cm}^2. \quad (\text{on a aucune reprise de bétonnage})$$

Calcul de l'espacement t :

$$At = 2\phi 6 = 0,56 \text{ cm}^2 \quad t = \frac{At \rho_{at}}{T}$$

$$t = \frac{0,56 \times 0,875 \times 27 \times 2208}{1184,4} = 24,66 \text{ cm.}$$

On prend $e = 20 \text{ cm}$ constant sur tout le long de la poutrelle du type T4.

• Vérification de la flèche:

$f = \frac{5Le^4}{384EI}$. La poutrelle du type T4 a une portée inférieure à la poutrelle du Type T3. Donc la flèche pour T4 vérifiée de la même façon que T3.

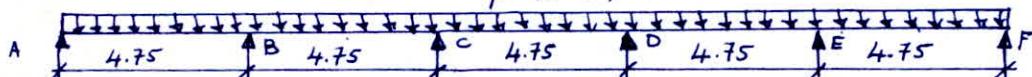
• Ferraillage de la dalle de compression (même chose que T1-T2-T3).

• Les autres vérifications qui suivent s'effectuent également de la même façon que T1-T2-T3

ÉTUDE DES POUTRES

Calculons la portée de chaînage continue du type C₁ et appartenant au bloc B. Cette portée de chaînage comporte 5 travées égales. On peut appliquer les règles infinitaires du C.C.B.A 68 car les 4 conditions imposées dans les règles sont vérifiées et identiques à celles des portées du type T₁.

$$q = 0,84 \text{ t/m.}$$



Après application infinitaire du C.C.B.A 68 on a:

$$\Pi_{tAB} = \Pi_{tEF} = 0,93 \Pi_0 ; \quad \Pi_0 = \frac{q l^2}{8}.$$

$$\Pi_{tBC} = \Pi_{tCD} = \Pi_{tDE} = 0,65 \Pi_0.$$

$$\Pi_B = \Pi_C = \Pi_D = \Pi_E = -0,5 \Pi_0$$

Descente de charges:

Poids de Plancher revenant à la portée continue de chaînage: $800 \times 0,63 = 504 \text{ kg/m.}$

Poids propre de la portée de chaînage par mètre linéaire: $0,25 \times 0,3 \times 2500 = 187,5 \text{ kg/m.}$

Poids de l'arête par mètre linéaire 144 kg/m.

On en déduit $q = 835,5 \text{ kg/m}$ ou prend $q = 0,84 \text{ t/m.}$

$$\text{Calcul de } \Pi_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{0,84 \times 4,75^2}{8} = 2,37 \text{ t.m.}$$

$$\rightarrow \text{on déduit: } \Pi_{tAB} = \Pi_{tEF} = 0,93 \times 2,37 = 2,204 \text{ t.m.}$$

$$\Pi_{tBC} = \Pi_{tCD} = \Pi_{tDE} = 0,65 \times 2,37 = 1,540 \text{ t.m.}$$

$$\Pi_B = \Pi_C = \Pi_D = \Pi_E = -0,5 \times 2,37 = -1,185 \text{ t.m.}$$

Determination des armatures longitudinales:

$$\text{Considérons la travée } AB = EF. \quad p = \frac{15 \Pi_{tAB}}{\bar{\sigma}_a b h^2} = \frac{15 \times 2204 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 27^2} = 0,06478.$$

Pour $p = 0,0649$ on a d'après les tableaux: $k = 32,6 ; \alpha = 0,3151 ; \varepsilon = 0,8950 \Rightarrow$

$$A = \frac{\pi}{\varepsilon h \bar{\sigma}_a} = \frac{2204 \times 10^2}{0,895 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 3,26 \text{ cm}^2 \Rightarrow [3T12] \text{ avec } A = 3,39 \text{ cm}^2$$

Vérification du pourcentage minimal d'armatures longitudinales:

$$\frac{A}{b h} \geq 4 \alpha \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_a} \left(\frac{h}{k} \right)^2 \Rightarrow \frac{3,39}{25 \times 27} = 5,02 \times 10^{-3} > 1,4 \times 10^{-3} \text{ (condition vérifiée)}$$

Vérification des contraintes dans le béton:

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{32,6} = 85,89 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée).}$$

$$\sigma'_m = \frac{\pi}{3 b \alpha k} = \frac{2204 \times 10^2}{0,895 \times 27 \times 25 \times 0,3151 \times 27} = 43,86 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_m = 68,5 \text{ kg/cm}^2 \text{ (vérifiée)}$$

Travée BC = Travée CD = Travée DE:

$$p = \frac{15 \times 1540 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 27^2} = 0,04526 ; \text{ d'après les tableaux on trouve: } \alpha = 0,2698 ; k = 40,6 \\ \varepsilon = 0,9101.$$

$$\rightarrow A = \frac{\pi}{\varepsilon h \bar{\sigma}_a} = \frac{1540 \times 10^2}{0,9101 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 2,24 \text{ cm}^2 \rightarrow [2T12] \text{ avec } A = 2,26 \text{ cm}^2.$$

• Vérification du % minimal d'armatures longitudinales :

$$\frac{A}{bh} \geq 4,4 \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_{ba}} \left(\frac{h_t}{h} \right)^2 = \frac{2,26}{25 \times 27} \geq 1,4 \times 10^{-3} \Rightarrow 3,34 \cdot 10^{-3} > 1,4 \times 10^{-3} \text{ (condition vérifiée.)}$$

• Vérification des contraintes dans le béton

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{40,6} = 68,96 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée)}$$

$$\bar{\sigma}'_m = \frac{\Pi}{z b \alpha h} = \frac{1540 \times 10^2}{0,875 \times 27 \times 25 \times 0,2698 \times 27} = 35,80 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_{bo} = 68,5 \text{ kg/cm}^2 \text{ (vérifiée)}$$

• Section sur appui (chapeaux) :

Appui B = appui C = appui D = appui E .

$$\Pi_B = \Pi_C = \Pi_D = \Pi_E = -1185 \text{ kg.m.}$$

$$\mu = \frac{15 \times 1185 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 27^2} = 0,03483$$

$$\mu = 0,035 \rightarrow k = 47,4 ; \alpha = 0,2404 ; \varepsilon = 0,9199 .$$

$$\Rightarrow A = \frac{\Pi}{\varepsilon k \bar{\sigma}_a} = \frac{1185 \times 10^2}{0,9199 \times 27 \times 28 \times 10^2} = 1,7 \text{ cm}^2 \Rightarrow \boxed{2T12} \Rightarrow A = 2,26 \text{ cm}^2 .$$

On remarque que pour une section de 2T12, la condition du pourcentage minimal d'armatures longitudinales est vérifiée .

• Vérification des contraintes dans le béton :

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{47,4} = 59 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée)}$$

$$\bar{\sigma}'_m = \frac{1185 \times 10^2}{0,875 \times 27 \times 25 \times 0,2404 \times 27} = 31 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_{bo} = 68,5 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée)}$$

ETUDE de l'effet tranchant :

L'effet tranchant maximum a pour valeur : $T_{max} = \frac{qP}{2} + \frac{\Pi_B}{l} = \frac{840 \times 4,75}{2} + \frac{1185}{4,75} =$

$$T_{max} = 2244,5 \text{ kg} \Rightarrow \sigma = \frac{T}{b z} = \frac{2244,5}{25 \times 0,875 \times 27} = 3,8 \text{ kg/cm}^2 .$$

• Détermination des armatures transversales :

$$\sigma'_b > \bar{\sigma}_{bo} \Rightarrow \sigma_b \leq \left(4,5 - \frac{\sigma'_b}{\bar{\sigma}_{bo}} \right) \bar{\sigma}_b = \left(4,5 - \frac{3,8}{68,5} \right) 5,9 = (4,5 - 1,254) / 5,9 = 19,15 \text{ kg/cm}^2 .$$

on a $\sigma_d < \bar{\sigma}_d$. (condition vérifiée .)

La contrainte de traction admissible des armatures transversales est égale à :

$$\sigma_{at} = \sigma_{au} \text{ ou } \sigma_{at} = 1 - \frac{\sigma_b}{9 \bar{\sigma}_b} = 1 - \frac{3,8}{9 \times 5,9} = 0,93 > \frac{2}{3} \text{ donc } \sigma_{at} = 0,93 .$$

$$\sigma_{at} = 0,93 \times 2400 = 2232 \text{ kg/cm}^2 .$$

$$\text{calcul de l'espacement } t: \quad t = \frac{At}{T} = \frac{1 \times 0,875 \times 27 \times 2232}{2244,5} = 23,5 \text{ cm} .$$

L'espacement limite \bar{t} est égal : $0,2h \leq t \leq \left(1 - \frac{0,3\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_b}\right)h$

$$\bar{t} \geq 0,2 \times 27 = 5,4 \text{ cm.}$$

$$t \leq \left(1 - \frac{0,3 \times 3,8}{5,9}\right) 27 = (1 - 0,193) 27 = 21,79 \text{ cm.}$$

[On prend $t = 20 \text{ cm.}$] on a $l = 4,75 \text{ m}$; $\frac{l}{2} = \frac{4,75}{2} = 2,375$ au niveau un entrez supérieur c'est à dire 3 et on adoptera la répartition de Cagnot : $3 \times 20; 3 \times 25$ etc....

- Traction des armatures inférieures aux appuis de rive :

L'effort tranchant à l'appui de rive est égal à : $T = \frac{qf}{2} - \frac{\pi_B}{e}$

$$T = 1995 - 249,5 = 1745,5 \text{ kg.}$$
 On doit avoir : $A \bar{\sigma}_a \geq T + \frac{M}{3}$ et $M=0 \Rightarrow$
 $3,39 \times 2800 > 1745,5 \Rightarrow 9492 > 1745,5$ (condition vérifiée).

- Vérification à l'entraînement des armatures de traction :

$$\bar{\sigma}_d = \frac{I}{P_d} \quad T = T_{\max} = 2244,5 \text{ kg}$$

$$P_d = 3T_{12} = 11,31 \text{ cm.}$$

On doit vérifier : $\bar{\sigma}_d < \bar{\sigma}_{d1}$ où $\bar{\sigma}_{d1} = 2\psi_d \bar{\sigma}_b = 2 \times 1,5 \times 5,9 = 17,7 \text{ kg/cm}^2$

$$\bar{\sigma}_{d1} = \frac{2244,5}{0,875 \times 27 \times 11,31} = 8,4 \text{ kg/cm}^2 < 17,7 \text{ kg/cm}^2$$
 (condition vérifiée).

- La contrainte d'adhérence admissible dans la zone d'ancrage normal est égale à :

$$\bar{\sigma}_{d1} = 1,25 \bar{\psi}_d^2 \bar{\sigma}_b = 1,25 \times 1,5^2 \times 5,9 = 16,6 \text{ kg/cm}^2.$$

$\bar{\psi}_d = 1,5$ pour les H.A

La longueur d'ancrage par scellement droit est égale à : $l_{d1} = \frac{\phi}{4} \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_{d1}} = \frac{1,2 \times 2800}{4 \times 16,6} = 50,6$
 $l_d = 51 \text{ cm}$ ($\phi 12$) .

- Ancre des armatures inférieures :

Nous prenons $l_d = 51 \text{ cm}$. Comme nous disposons d'une largeur d'appui de 25 cm seulement nous prévoyons un retour d'équerre. Celui pour les appuis de rive. (Voir Plan Coff. Fen. Planeur)

- Ancre des armatures supérieures au niveau des appuis intermédiaires

$l_d = 51 \text{ cm}$ pour des $\phi 12 \text{ mm}$. Nous réaliserons un ancrage en bane droite.

Quant aux poutres de chainage du type $C_2 - C_3$ et C_4 les calculs seront analogues à la partie de chainage du type C_1 . Nous allons seulement dresser trois tableaux récapitulatifs correspondants à $C_2 - C_3$ et C_4 .

- C1 -

| Travées | $\Gamma (\text{kg/m})$ | μ | α | k | E | $A(\text{cm}^2)$ calculée | Nbre de barres et leurs ϕ | $A(\text{cm}^2)$ adoptée | $\sigma'_b (\text{kg/cm}^2)$ | $\sigma'_m (\text{kg/cm}^2)$ |
|--------------|------------------------|---------|----------|------|--------|---------------------------|--------------------------------|--------------------------|------------------------------|------------------------------|
| AB=EF | 2204 | 0,0649 | 0,3151 | 32,6 | 0,8950 | 3,26 | 3T12 | 3,39 | 85,89 | 43,86 |
| BC = CD = DE | 1540 | 0,04526 | 0,2698 | 40,6 | 0,9101 | 2,24 | 2T12 | 2,26 | 68,96 | 35,80 |

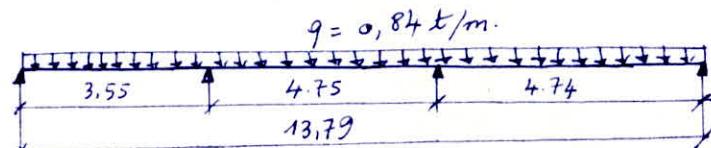
| APPUIS | $M(\text{kg.m})$ | μ | α | k | E | $A(\text{cm}^2)$ | Nbre de barres et leurs ϕ | $A(\text{cm}^2)$ adoptée | $\sigma'_b (\text{kg/cm}^2)$ | $\sigma'_m (\text{kg/cm}^2)$ |
|---------|------------------|-------|----------|------|--------|------------------|--------------------------------|--------------------------|------------------------------|------------------------------|
| B=C=D=E | 1185 | 0,035 | 0,2404 | 47,4 | 0,9199 | 1,7 | 2T12 | 2,26 | 59 | 31 |

Aux appuis de rive on prend également 3T8 pour C1.

- C2 -

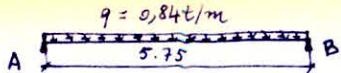
| Travées | $M(\text{kg.m})$ | μ | α | k | E | $A(\text{cm}^2)$ calculée | Nbre de barres et leurs ϕ | $A(\text{cm}^2)$ adoptée | $\sigma'_b (\text{kg/cm}^2)$ | $\sigma'_m (\text{kg/cm}^2)$ |
|---------|------------------|--------|----------|------|--------|---------------------------|--------------------------------|--------------------------|------------------------------|------------------------------|
| AB | 653 | 0,0193 | 0,1829 | 67,0 | 0,9390 | 0,92 | 2T8 | 1 | 41,8 | 22,4 |
| BC | 684 | 0,02 | 0,1863 | 65,5 | 0,9379 | 0,96 | 2T8 | 1 | 42,75 | 23,02 |
| CD | 1350 | 0,0397 | 0,2542 | 44 | 0,9153 | 1,95 | 2T12 | 2,26 | 63,64 | 33,30 |
| APPUIS | $M(\text{kg.m})$ | μ | α | k | E | $A(\text{cm}^2)$ calculée | Nbre de barres et leurs ϕ | $A(\text{cm}^2)$ adoptée | $\sigma'_b (\text{kg/cm}^2)$ | $\sigma'_m (\text{kg/cm}^2)$ |
| B | 1340 | 0,0394 | 0,2534 | 44,2 | 0,9155 | 1,94 | 2T12 | 2,26 | 63,35 | 33,16 |
| C | 2030 | 0,0597 | 0,3043 | 34,3 | 0,8986 | 2,99 | 2T14 | 3,07 | 81,63 | 41,83 |

Aux appuis de rive on prend également 2T8 en chapeaux pour C2.



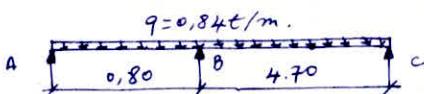
Poutre de Chainage C2

- C 3 -



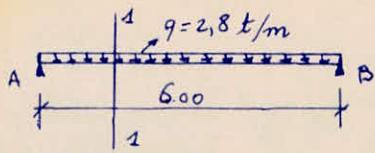
| Travée | Π (kg.m) | μ | α | k | E | A (cm^2) calculée | Nbre de barres et leurs ϕ | A (cm^2) adoptée | δ'_b (kg/m^2) | δ'_m (kg/m^2) |
|--------|--------------|--------|----------|------|--------|--------------------------------|--------------------------------|-------------------------------|--|--|
| AB | 3471,56 | 0,1022 | 0,3807 | 24,4 | 0,8731 | 5,26 | 2T14 + 2T12 | 5,33 | 114,75 | 57,18 |

- C 4 -



| Travée | Π (kg.m) | μ | α | k | E | A (cm^2) calculée | Nbre de barres et leurs ϕ | A (cm^2) adoptée | δ'_b (kg/m^2) | δ'_m (kg/m^2) |
|--------|--------------|--------|----------|------|--------|--------------------------------|--------------------------------|-------------------------------|--|--|
| AB | 328 | 0,0096 | 0,1322 | 98,5 | 0,9560 | 0,45 | 2T14 | 3,07 | 28,42 | 15,57 |
| BC | 1600 | 0,0471 | 0,2747 | 39,6 | 0,9084 | 2,33 | 2T14 | 3,07 | 70,70 | 36,52 |
| Appuis | Π (kg.m) | μ | α | k | E | A (cm^2) calculée | Nbre de barres et leurs ϕ | A (cm^2) adoptée | δ'_b (kg/m^2) | δ'_m (kg/m^2) |
| B | 2000 | 0,0588 | 0,3024 | 34,6 | 0,8992 | 2,94 | 2T14 | 3,07 | 80,92 | 41,47. |

Tableau Récapitulatif du calcul de la Poutre B₁

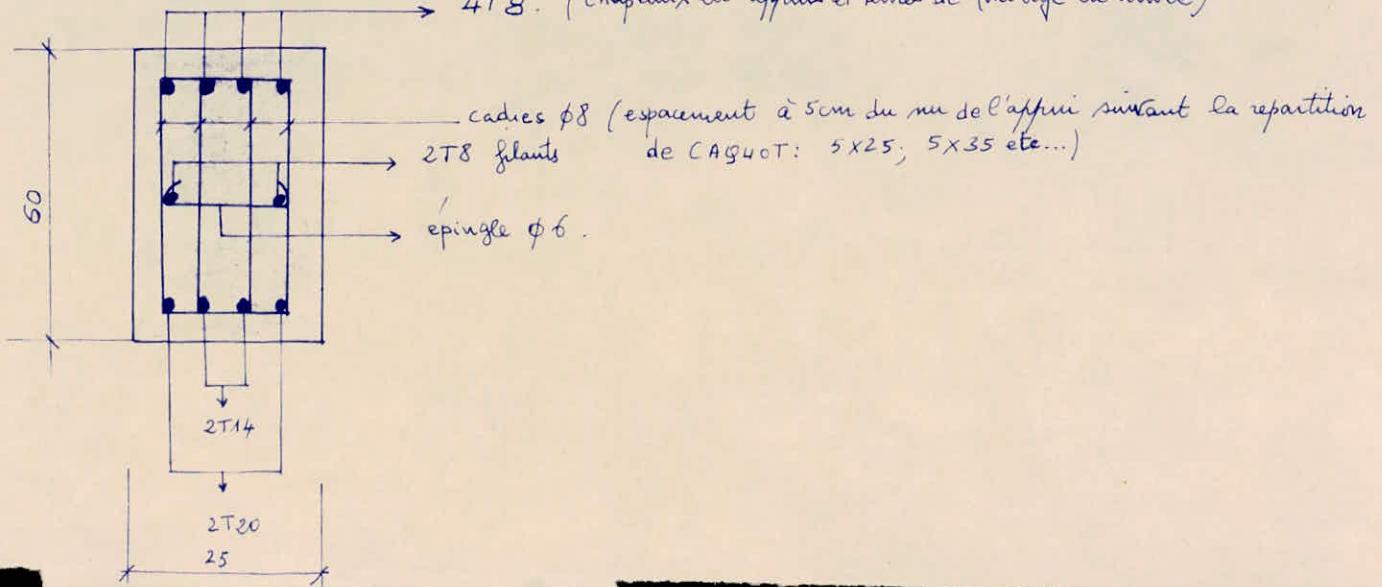


Ferraillage sur appuis de ride: On prend parfaitement 4T8 en chapeaux

| travée | $\pi (\text{t.m})$ | p | α | k | E | $A (\text{cm}^2)$ calculée | Nbre de barres et épaisseur ϕ | $A (\text{cm}^2)$ adoptée | $\sigma_b' (\text{kg/cm}^2)$ | $\sigma_m' (\text{kg/cm}^2)$ |
|--------|--------------------|--------|----------|------|--------|-------------------------------|--|------------------------------|------------------------------|------------------------------|
| AB | 12,6 | 0,0831 | 0,3497 | 27,9 | 0,8834 | 8,94 | 2T20 + 2T14 | 9,35 | 100 | 50,7 |

Section 1-1.

→ 4T8. (chapeaux en appuis et barres de l'autre côté en travée)



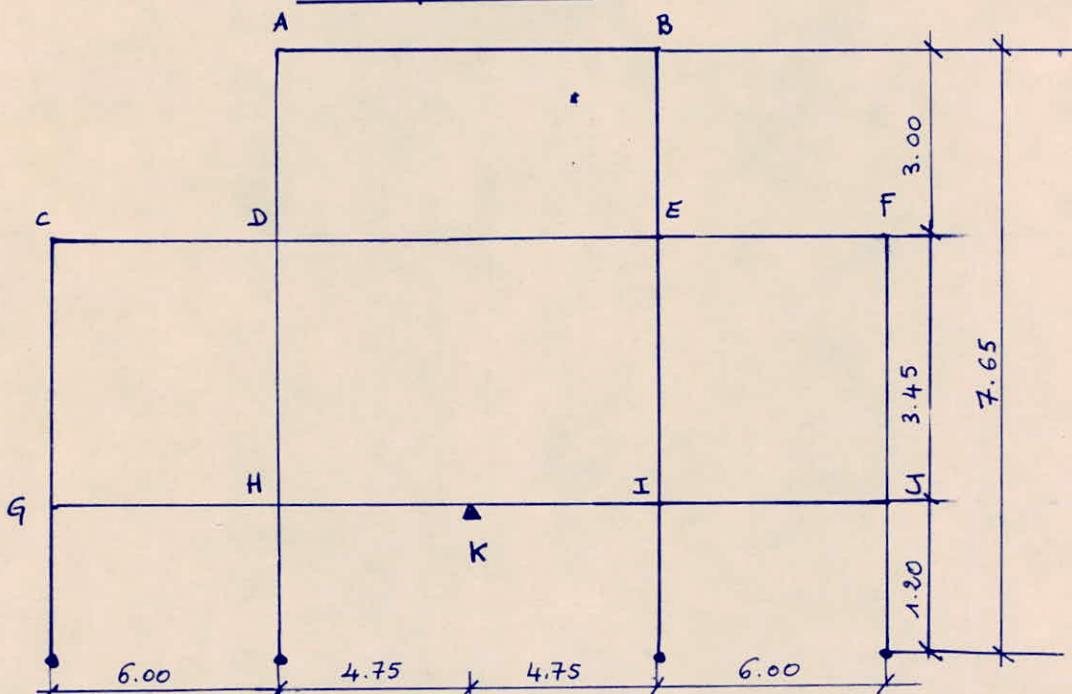
-ETUDE DES PORTIQUES-

La salle polyvalente comporte une ossature à portiques dont le portique principal est le portique PQ2. Ce portique PQ2 présente un décrochement en élévation. On a effectué, un programme STRESS pour ce portique. programme qui nous a permis de déterminer tous les effets en chaque nœud (N, T, M) et ce en considérant toutes les sollicitations totales pondérées du premier genre et du second genre. Pour le calcul du ferrailage, nous avons considéré la sollicitation qui nous donne les effets les plus défavorables. Tous les portiques sont considérés articulés.

A. Descente de charge du Portique PQ2 :

| | | |
|-----------------------------|------------|-----------------|
| Plancher 25+4 | 353 | kg/m^2 |
| Forme de pente (1,5%) | 180 | kg/m^2 |
| étalement | 30 | kg/m^2 |
| Groux | 100 | kg/m^2 |
| Platre | 17 | kg/m^2 |
| G | 680 | kg/m^2 |

Portique Q2.



La profondeur totale de la fondation est de 2 m. On a considéré comme contrainte admissible du sol : $\sigma_s = 2$ bars.

Section des poteaux d'angle : 25x25.

Section des poteaux intérieurs : 25x50.

Hauteur de la traverse AB = Hauteur de la traverse DE = $\frac{l}{12} = \frac{950}{12} \approx 80$ cm.

Hauteur de la traverse CD = Hauteur de la traverse EF = GH = HK = KI = IJ = $\frac{l}{10} = \frac{600}{10} = 60$ cm.

$H_{CD} = H_{EF} = H_{GH} = H_{HK} = H_{KI} = H_{IJ} = 60$ cm.

Poids propre de la traverse AB = $0,80 \times 0,25 \times 2500 = 500 \text{ kg/m}$.

Poids de l'autière : 144 kg/m.

Longueur de plancher appartenant à la traverse AB = 1,775 m.

on déduit la charge permanente supportée par la traverse AB :

$$G_{AB} = (680 \times 1,775) + 500 + 144 = 1851 \text{ kg/m} \Rightarrow G_{AB} = 1,86 \text{ t/m}$$

charge permanente affectée à la traverse CD = EF.

$$G_{CD} = G_{EF} = (680 \times 3) + 144 + 0,25 \times 0,6 \times 2500 = 2559 \text{ kg/m.}$$

$$\Rightarrow G_{CD} = G_{EF} = 2,6 \text{ t/m.}$$

charge permanente agissant sur la traverse DE :

$$\text{P.P. de la traverse DE : } 0,8 \times 0,25 \times 2500 = 500 \text{ kg/m.}$$

$$\text{Poids propre du mur extérieur : } 0,25 \times 2,30 \times 1800 = 1035 \text{ kg/m.}$$

$$\text{Poids de plancher revenant à la traverse DE : } 680 \times 3 = 2040 \text{ kg/m.}$$

$$\Rightarrow G_{DE} = 3575 \text{ kg/m} = 3,6 \text{ t/m.}$$

$$G_{DE} = 3,6 \text{ t/m.}$$

Traverse GH = traverse IJ :

$$\text{P.P. : } 0,25 \times 0,60 \times 2500 = 375 \text{ kg/m.}$$

$$\text{P.P. du mur extérieur : } 0,25 \times 2,85 \times 1800 = 1282,5 \text{ kg/m.}$$

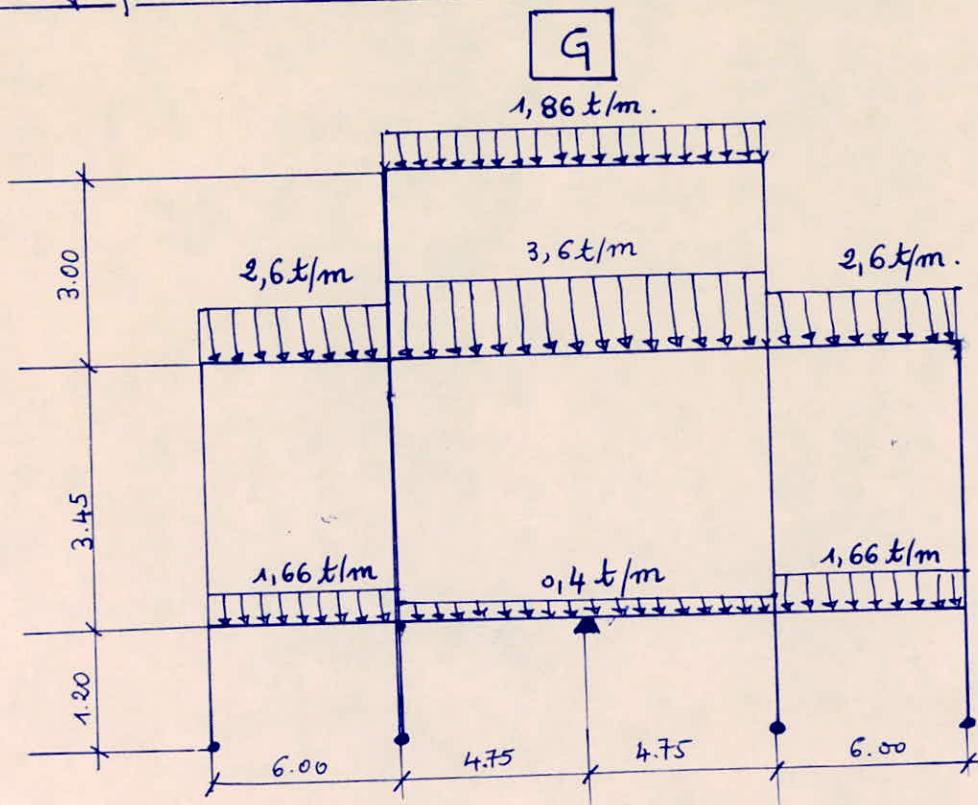
$$G_{GH} = G_{IJ} = 1657,5 \text{ kg/m.}$$

$$G_{GH} = G_{IJ} = 1,66 \text{ t/m.}$$

Traverse HK = Traverse KI : P.P. = $0,25 \times 0,60 \times 2500 = 375 \text{ kg/m.}$

$$G_{HK} = G_{KI} = 0,4 \text{ t/m.}$$

Charge permanente agissant sur le portique PQS:



Surcharges non majorées agissant sur le Pontique PQZ:

Traverse AB: $P_{AB} = 100 \times 1,775 = 177,5 \text{ kg/m} \Rightarrow P_{AB} = 0,2 \text{ t/m.}$

Traverse CD = Traverse EF. $P_{CD} = P_{EF} = 100 \times 3 = 300 \text{ kg/m} \Rightarrow P_{CD} = P_{EF} = 0,3 \text{ t/m.}$

Traverse DE: $P_{CD} = P_{EF} = P_{DE} = 0,3 \text{ t/m.}$

$$P_{DE} = 0,3 \text{ t/m.}$$

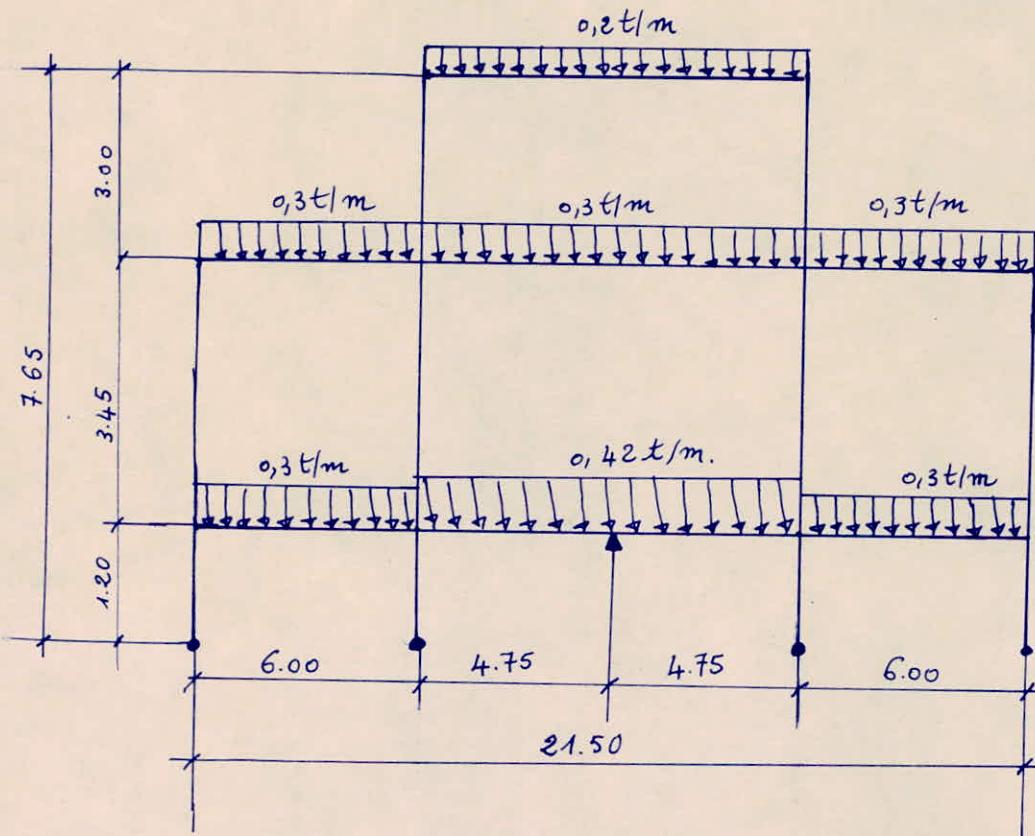
Traverse GH = Traverse IJ: $0,2 \times 500 \times 3 = 0,3 \text{ t/m.}$

$$P_{GH} = P_{IJ} = 0,3 \text{ t/m.}$$

Traverse HK = PKI = $0,2 \times 500 \times \frac{4,7 + 3,55}{2} = 412,5 \text{ kg/m} = 0,42 \text{ t/m.}$

$$P_{HK} = P_{KI} = 0,42 \text{ t/m.}$$

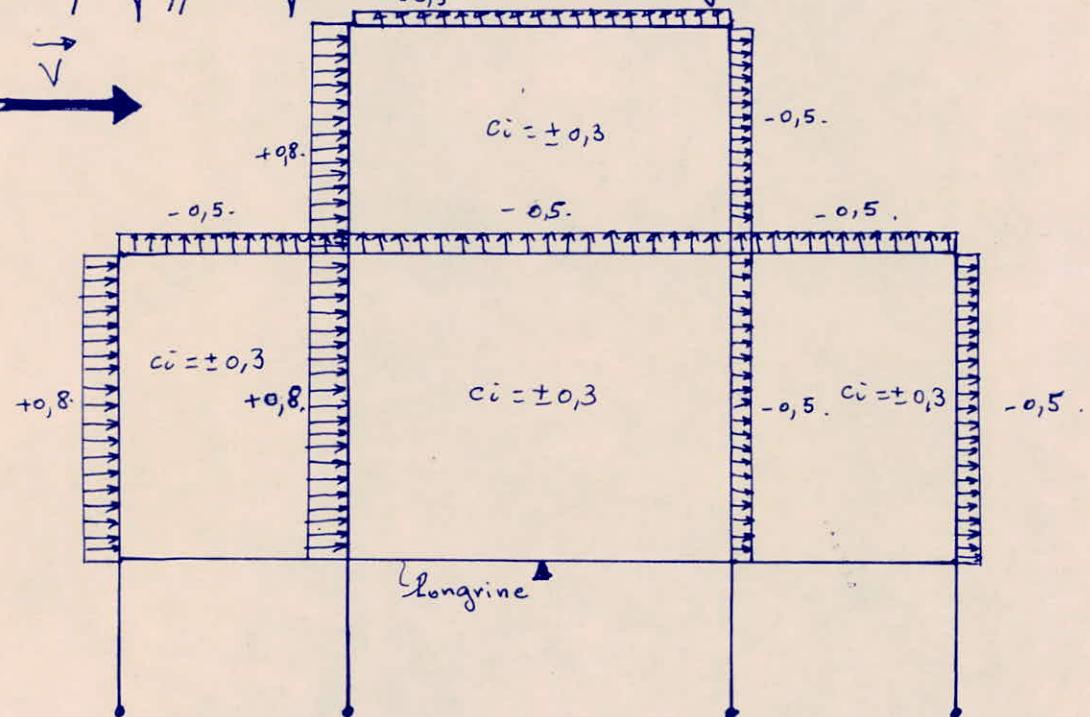
- Surcharges P non Majorees -



B. ETUDE du VENT. - Bloc A -

La salle polyvalente a un joint de dilatation de 2 m à $L = 20,935 \text{ m}$. L'étude du vent s'effectuera en 2 parties de part et d'autre du joint de dilatation. Ces 2 parties forment 2 blocs : Le Bloc A et le bloc B dont les calculs seront effectués séparément. Le Bloc A présente un décrochement en élévation avec comme portique principal, le portique PQ2. Le Bloc B se compose de portiques simples. Pour le bloc B, on peut appliquer la méthode simplifiée pour la détermination des effets dus au vent car on a un bloc unique à base rectangulaire. Quant au bloc A, l'étude du vent présente des difficultés à cause du décrochement. Les règles NV 65 se sont limitées à un seul exemple avec comme hypothèses suivantes : $\delta_0 = 1$; $c_e = +0,8$ (Face au vent); $c_e = -0,5$ (Face sous le vent); $c_i = +0,3$ dans le cas de surpression et $c_i = -0,3$ dans le cas de la dépression. (c_i et c_e étant les coefficients intérieurs et extérieurs).

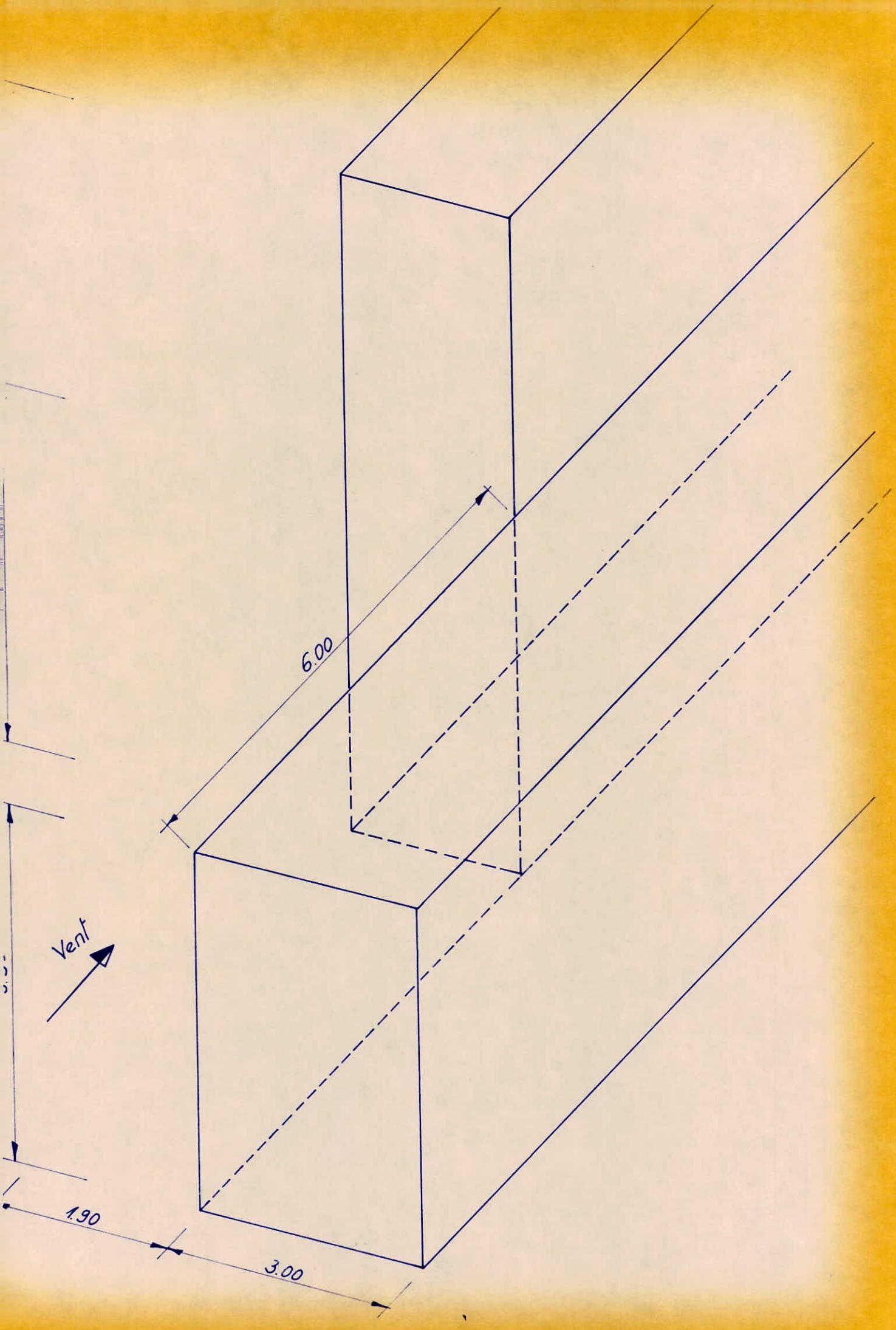
La direction du vent qui nous donne l'effet le plus défavorable est la direction du vent qui frappe la façade latérale droite ou gauche.



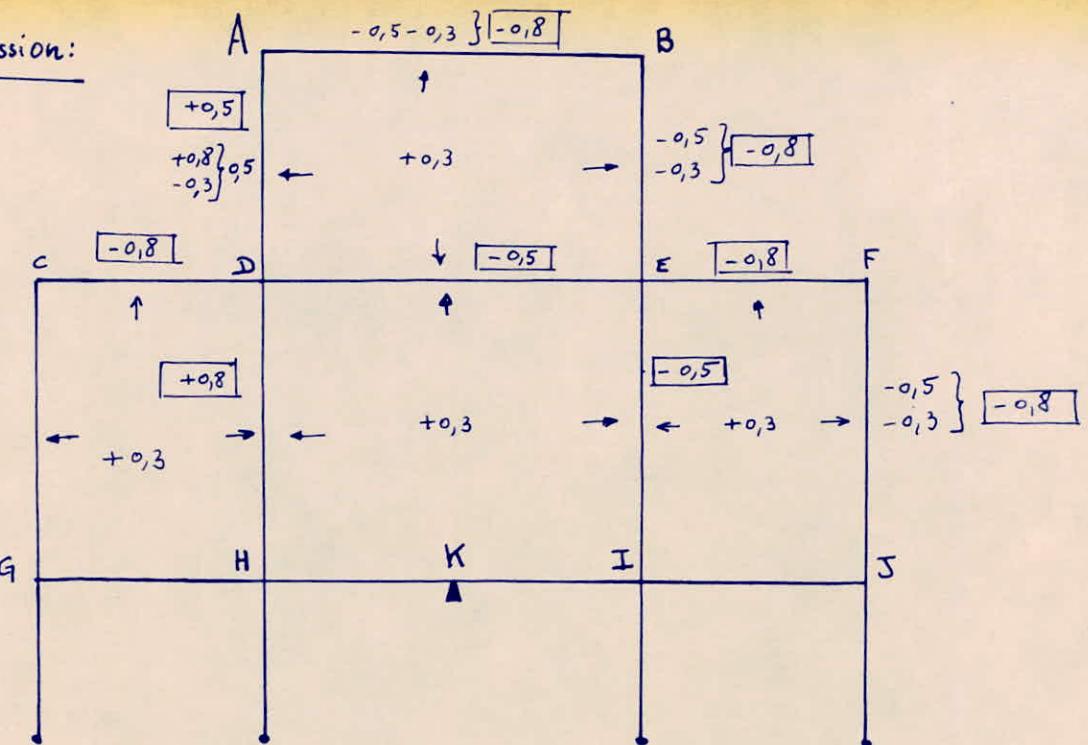
La salle polyvalente est située dans la région II sur un site exposé. Donc on a $q = 71 \text{ kg/m}^2$ dans le cas d'un vent normal et $q = 124,25 \text{ kg/m}^2$ dans le cas d'un vent extrême.

1^e) Action résultante du vent sur le Portique PQ2.

a) Cas de la surpression :



Surpression:



$$CG: 0,5 \times 71 \times 3 = 106,5 \text{ kg/m} \Rightarrow CG = 0,11 t/m.$$

$$AD: 0,5 \times 71 \times 1,9 = 67,45 \text{ kg/m} \Rightarrow AD = 0,07 t/m$$

$$DH: 0,8 \times 71 \times 1,9 = 107,92 \text{ kg/m} \Rightarrow DH = 0,11 t/m.$$

$$AB: -0,8 \times 1,9 \times 71 = -107,92 \text{ kg/m} \Rightarrow AB = -0,11 t/m.$$

$$CD: -0,8 \times 3 \times 71 = -170,40 \text{ kg/m} \Rightarrow CD = -0,17 t/m.$$

$$DE: -0,5 \times 3 \times 71 = -106,50 \text{ kg/m} \Rightarrow DE = -0,11 t/m.$$

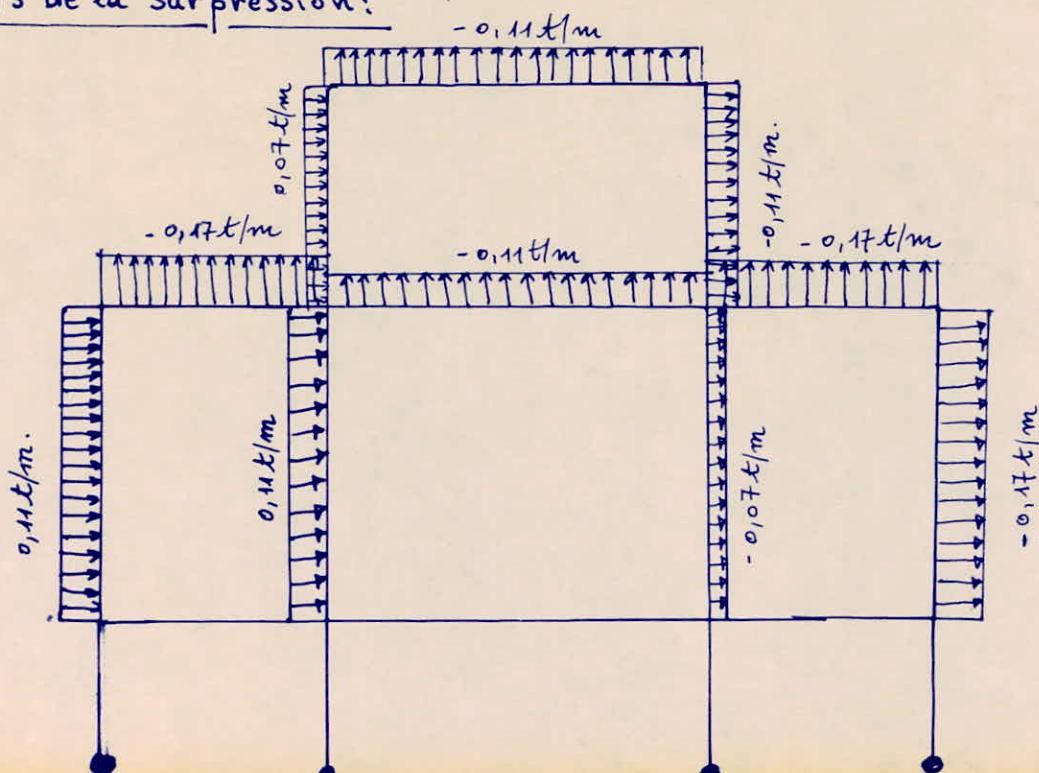
$$EF: -0,8 \times 3 \times 71 = -170,40 \text{ kg/m} \Rightarrow EF = -0,17 t/m.$$

$$BE: -0,8 \times 1,9 \times 71 = -107,92 \text{ kg/m} \Rightarrow BE = -0,11 t/m.$$

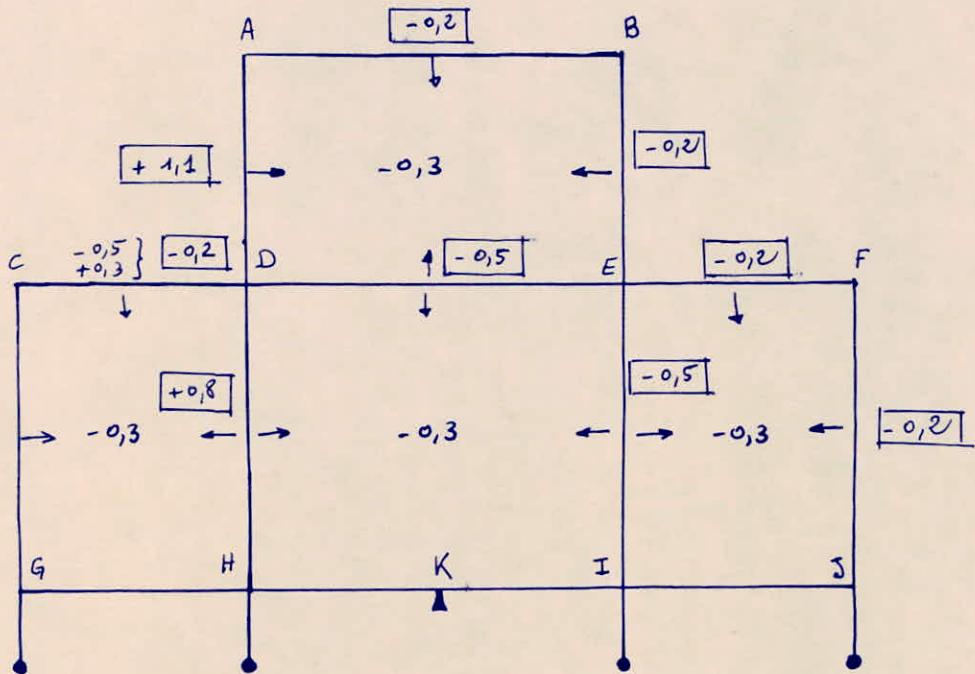
$$EI: -0,5 \times 1,9 \times 71 = -67,45 \text{ kg/m} \Rightarrow EI = -0,07 t/m.$$

$$FJ: -0,8 \times 3 \times 71 = -170,40 \text{ kg/m} \Rightarrow FJ = -0,17 t/m.$$

CAS de la Suppression:



b) Cas de la Dépression



$$CG: 1,1 \times 3 \times 71 = 234,3 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$AD: 1,1 \times 1,9 \times 71 = 148,39 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$DH: 1,9 \times 0,8 \times 71 = 107,92 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$BE: -0,2 \times 1,9 \times 71 = 26,98 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$EI: -0,5 \times 1,9 \times 71 = 67,45 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$FJ: -0,2 \times 3 \times 71 = 42,60 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$AB: -0,2 \times 1,9 \times 71 = 26,98 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$CD: -0,2 \times 3 \times 71 = 42,60 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$DE: -0,5 \times 3 \times 71 = 106,50 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$EF: -0,2 \times 3 \times 71 = 42,60 \text{ kg/m} \rightarrow$$

$$CG = 0,24 \text{ t/m.}$$

$$AD = 0,15 \text{ t/m.}$$

$$DH = 0,11 \text{ t/m.}$$

$$BE = 0,03 \text{ t/m.}$$

$$EI = 0,07 \text{ t/m.}$$

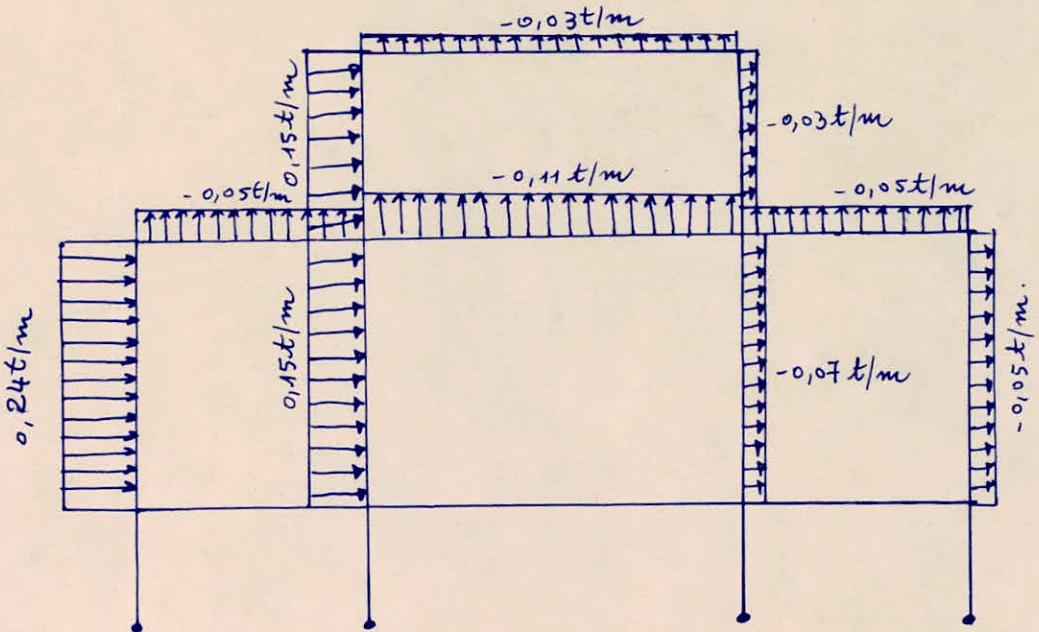
$$FJ = 0,05 \text{ t/m.}$$

$$AB = 0,03 \text{ t/m.}$$

$$CD = 0,05 \text{ t/m.}$$

$$DE = 0,11 \text{ t/m.}$$

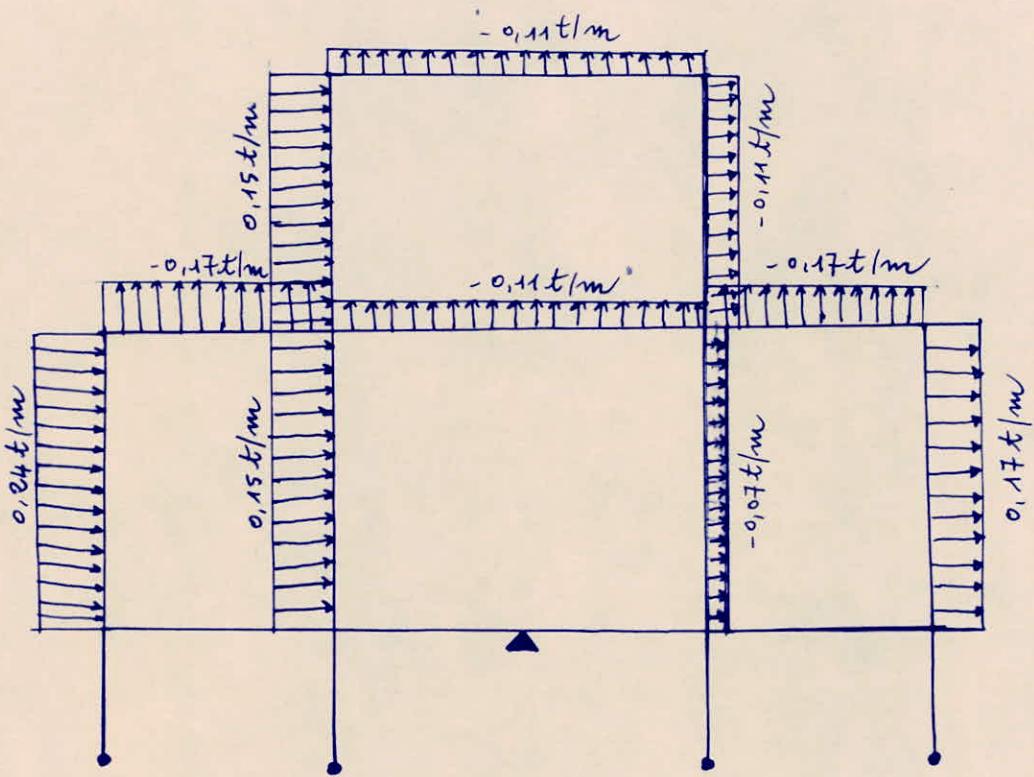
$$EF = 0,05 \text{ t/m}$$



c) Action résultante totale du vent normal sur le Portique PQ2.

Vent Normal:

PQ2.

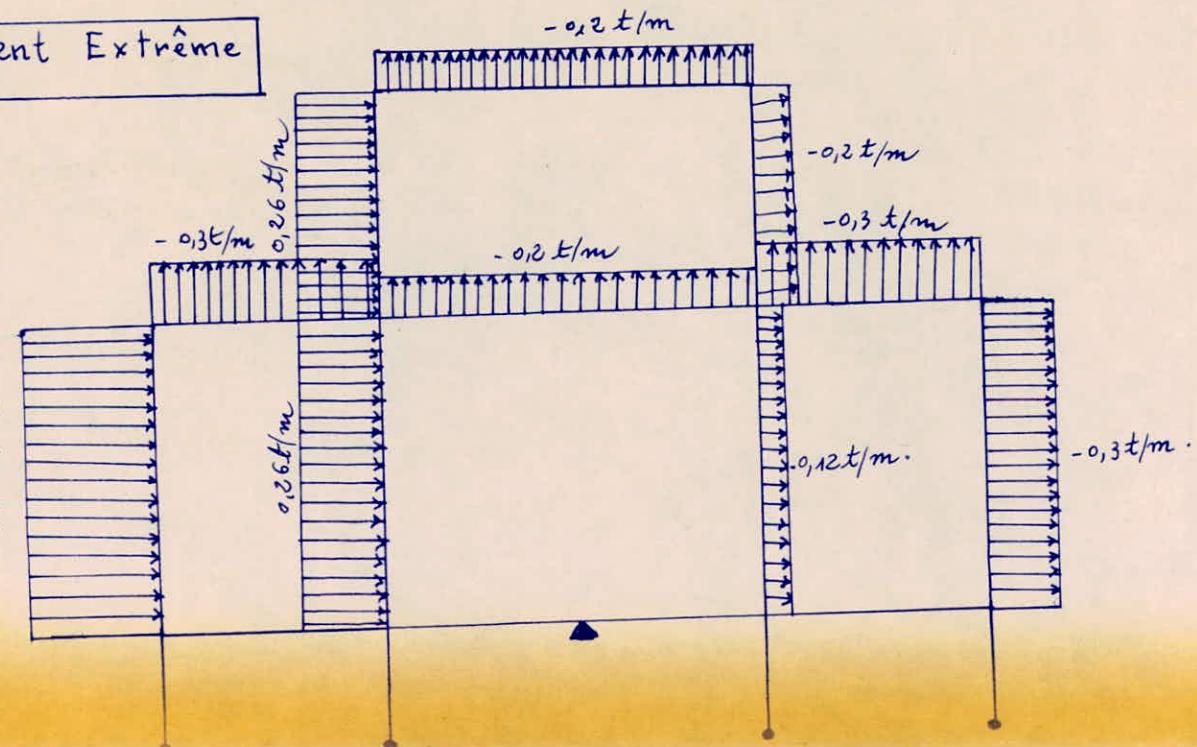


Pour avoir les effets du vent extrême sur le portique PQ2, on multiplie le diagramme vent normal par 1,75.

$$\frac{N_e}{N_m} = 1,75$$

Vent Extrême

ut



ETUDE du VENT (Bloc B)

BLOC B: On peut appliquer la méthode simplifiée dans le cas où la construction est constituée par 1 bloc unique, ou des blocs accolés à tâture unique.

- La base au niveau du sol est un rectangle de longueur a et de largeur b . La hauteur h , différence entre le niveau de la base de la construction et le niveau de la tête de la tâture est inférieure ou égale à 30 m.
- Les dimensions doivent obligatoirement respecter les conditions suivantes :

$$\frac{h}{a} \geq 0,25$$

$$\frac{h}{a} \leq 2,5 \text{ avec la condition supplémentaire } \frac{b}{a} \leq 0,4 \text{ si } \frac{h}{b} > 2,5.$$

$$f \leq \frac{h}{2} \text{ pour les tâtures à deux versants plans.}$$

$$f \leq \frac{3}{2}h \text{ pour les tâtures en voûte.}$$

- La couverture est :

Dit une tâture-tuasse

- une tâture unique de hauteur f à 1 ou 2 versants plans inclinés au plus de 40° sur l'horizontale.
- une tête dont le plan tangent à la naissance des directrices de la voûte est incliné au plus de 40° et au moins de 22° sur l'horizontale.
- Les parois verticales doivent :
 - reposer directement sur le sol.
 - être planes sans dérochements.
 - présenter une perméabilité μ (R.III - 1,313) inférieure ou égale à 5 ou pour une seule d'entre-elles égale ou supérieure à 35.

- La construction doit être située sur un terrain sensiblement horizontal dans un grand périmètre.

Dans notre étude on a : $a = 24,615 \text{ m}$ (distance entre rue des poteaux)
 $b = 9 \text{ m}$ (distance entre rue des poteaux).
 $h = 7 \text{ m}$ (hauteur totale du bloc B)

$$\text{On doit avoir : } \frac{h}{a} \geq 0,25 \rightarrow \frac{7}{24,615} = 0,284 > 0,25 \text{ (condition vérifiée).}$$

$$\frac{h}{a} \leq 2,5 \rightarrow 0,284 < 2,5 \text{ (condition vérifiée).}$$

La couverture est une tâture-tuasse.

Les parois verticales reposent directement sur le sol. On n'a pas de dérochement.

$\mu < 5$ donc on peut appliquer pour le bloc B la méthode simplifiée.

La direction du vent qui nous donne l'effet le plus défavorable est lorsque le vent frappe la façade latérale du bloc B.

La Région de TIFRIT Naïf EL HADJ est une région II située sur un site exposé.

On déduit d'après les tableaux donnés dans le règlement Neige et Vent (R III - 2,92) ou déduit les coefficients suivants :

| Région | Pression normale | Pression extrême |
|--------|------------------|------------------|
| II | $k_r = 1,40$ | $k_r = 2,45$ |

Le coefficient de site est égal à : $k_s = 1,30$ (pour un site exposé).

Les pressions dynamiques sont constantes sur toute la hauteur de la construction et sont données par la formule : $q = (0,7h + 46) k_r \cdot k_s$ (daN/m^2)

$$\rightarrow q = (46 + 0,7 \times 7) 1,4 \times 1,3 \quad (\text{vent normal})$$

$$\rightarrow \text{vent normal} \rightarrow q = 92,64 \text{ daN/m}^2$$

$$\text{Vent extrême} \rightarrow q = (46 + 0,7 \times 7) 2,45 \times 1,3 = 162 \text{ daN/m}^2$$

$$q_n = 92,64 \text{ daN/m}^2$$

$$q_e = 162 \text{ daN/m}^2$$

Ces pressions dynamiques déterminées suivant la règle III - 2,921 doivent être affectées à un coefficient de réduction S donné par le diagramme de la figure R-III-9 en fonction de la plus grande dimension horizontale ou verticale de la surface offerte au vent affectée à l'élément considéré dans le calcul. D'après le diagramme de la figure R III 9 on déduit $S = 0,78$. $\Rightarrow q_n = 92,64 \times 0,78 = 72,3 \text{ daN/m}^2$.
 $q_e = 162 \times 0,78 = 126,4 \text{ daN/m}^2$.

Rapport des dimensions :

$$\lambda_a = \frac{\text{hauteur faitage}}{a (\text{longueur Bloc B})} = \frac{7}{24,615} = 0,284$$

$$\lambda_b = \frac{\text{hauteur faitage}}{b (\text{longueur Bloc B})} = \frac{7}{9} = 0,78$$

La direction du vent étant supposée normale aux parois verticales de la construction, les coefficients à prendre en compte sont les suivantes :

Actions extérieures :

Face au vent : $c_e = +0,8$.

Face sous le vent : $c_e = -0,5$

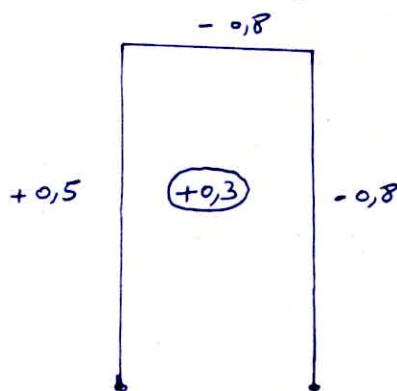
Actions intérieures :

- Cas de la surpression : $c_i = 0,6(1,8 - 1,3 \times 1) = +0,3$.

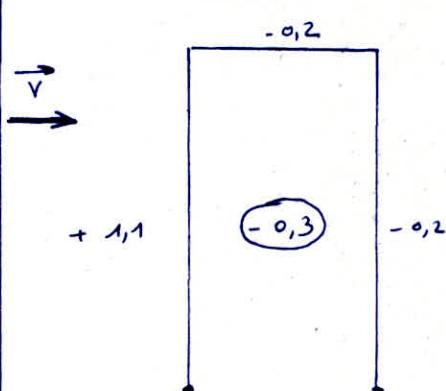
- cas de la dépression : $c_i = -0,6(1,3 \times 1 - 0,8) = -0,3$.

Action résultante du vent sur la construction :

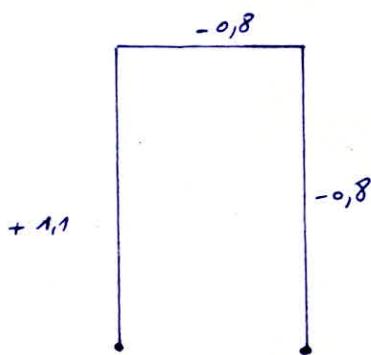
Cas 1: Surpression,



Cas 2: Dépression

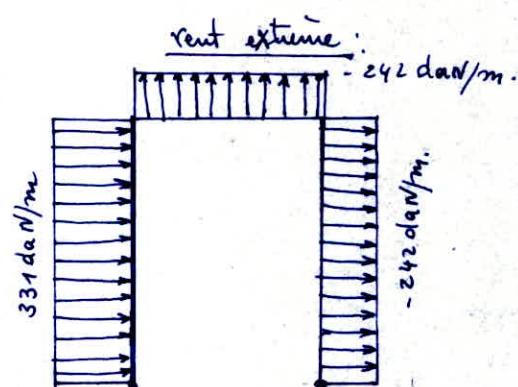
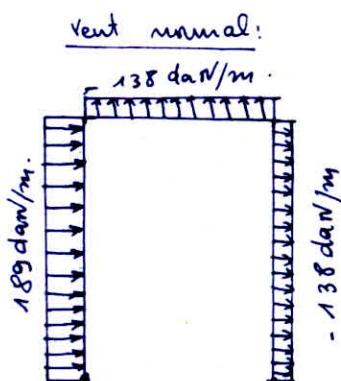


Action résultante totale sur la construction :



On déduit le diagramme des charges :

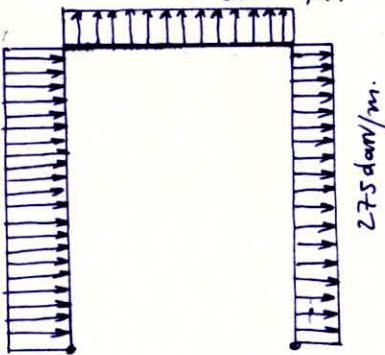
Profils de rive : PQM.



Portique intermédiaire Pg 10 :

vent normal

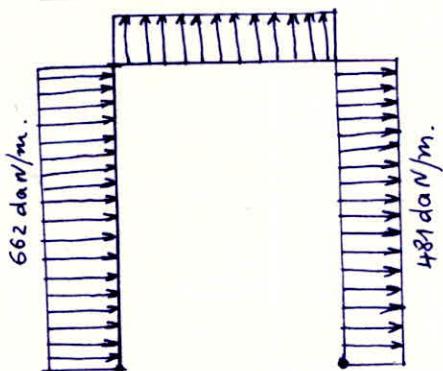
275 daN/m



275 daN/m.

vent extrême

481 daN/m



662 daN/m.

481 daN/m.

En considérant les sollicitations totales pondérées du 1^{er} genre et du 2^e genre, on a trouvé que la sollicitation qui nous donnait l'effet le plus défavorable était la sollicitation totale pondérée du 1^{er} genre : $G + 1,2 P$. Donc les patigues appartenant au bloc B seront calculés suivant cette dernière. Les contraintes admissibles dans le béton et l'acier pour une telle sollicitation sont les suivantes :

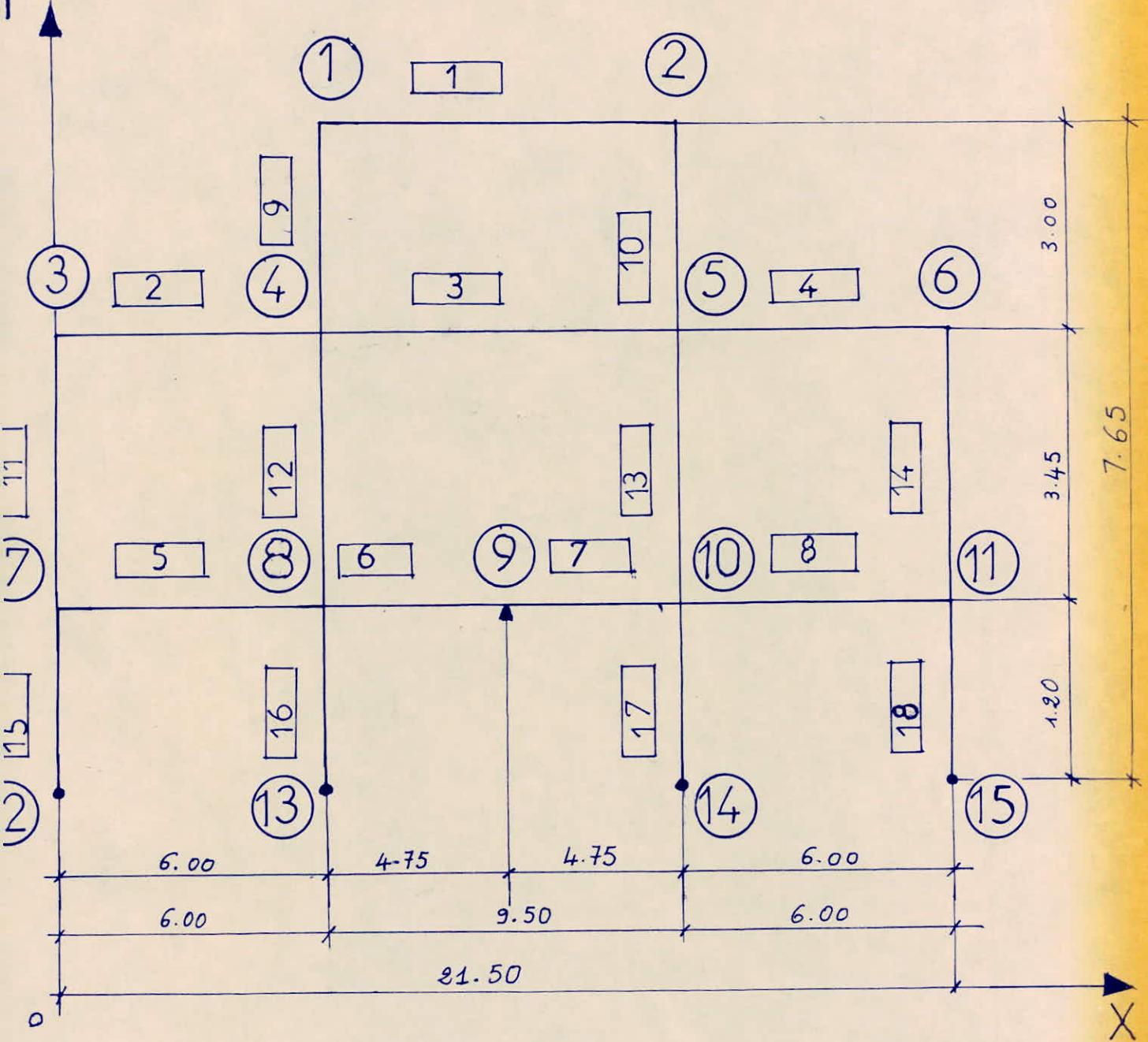
$$\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_b = 5,9 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}'_{b0} = 68,5 \text{ kg/cm}^2$$

Ayant déterminé tous les effets sur le Portique PQE (charge permanente - surcharges majeures - vent normal - vent extrême) on peut dresser le Programme STRESS. Avant d'écrire le programme, numérotions les nœuds et les barres du portique considéré.



= NOEUDS

= BARRES

| N° des barres | Section des barres | Surface des barres (cm ²) | Inertie des barres cm ⁴ . |
|---------------|--------------------|--|---|
| 1 | 25x80 | 2000 | 1066660 |
| 2 | 25x60 | 1500 | 450000 |
| 3 | 25x80 | 2000 | 1066660 |
| 4 | 25x60 | 1500 | 450000 |
| 5 | 25x60 | 1500 | 450000 |
| 6 | 25x60 | 1500 | 450000 |
| 7 | 25x60 | 1500 | 450000 |
| 8 | 25x60 | 1500 | 450000 |
| 9 | 25x50 | 1250 | 260416 |
| 10 | 25x50 | 1250 | 260416 |
| 11 | 25x25 | 625 | 32552 |
| 12 | 25x50 | 1250 | 260416 |
| 13 | 25x50 | 1250 | 260416 |
| 14 | 25x25 | 625 | 32552 |
| 15 | 25x25 | 625 | 32552 |
| 16 | 25x50 | 1250 | 260416 |
| 17 | 25x50 | 1250 | 260416 |
| 18 | 25x25 | 625 | 32552 |

PROGRAMME STRESS

STRUCTURE SALLE PØLYVALENTE PQ 2

TYPE PLANE FRAME

NUMBER ØF JOINTS 15

NUMBER ØF MEMBERS 18

NUMBER ØF SUPPORTS 5

NUMBER ØF LOADINGS 8

JOINT COORDINATES

1 600. 765.

2 1550. 765.

3 0. 465.

4 600. 465.

5 1550. 465.

6 2150. 465.

7 0. 120.

8 600. 120.

9 1075. 120.

10 1550. 120.

11 2150. 120.

12 0. 0.

13 600. 0.

14 1550. 0.

15 2150. 0.

MEMBER INCIDENCES

1 1 2

2 3 4

3 4 5

4 5 6

5 7 8

6 8 9

7 9 10

8 10 11

9 4 1

10 5 2

11 7 3

12 8 4

13 10 5

14 11 6

15 12 7

16 13 8

17 14 10

18 15 11

JOINT RELEASES

9 MOMENT Z

12 MOMENT Z

13 MOMENT Z

14 MOMENT Z

15 MOMENT Z

MEMBER PROPERTIES PRISMATIC

1 AX 2000. IZ 1066660.
2 AX 1500. IZ 450000.
3 AX 2000. IZ 1066660.
4 AX 1500. IZ 450000.
5 AX 1500. IZ 450000.
6 AX 1500. IZ 450000.
7 AX 1500. IZ 450000.
8 AX 1500. IZ 450000.
9 AX 1250. IZ 260416.
10 AX 1250. IZ 260416.
11 AX 625. IZ 32552.
12 AX 1250. IZ 260416.
13 AX 1250. IZ 260416.
14 AX 625. IZ 32552.
15 AX 625. IZ 32552.
16 AX 1250. IZ 260416.
17 AX 1250. IZ 260416.
18 AX 625. IZ 32552.

CONSTANTS E 126000 ALL

TABULATE ALL

LØADING 1 CHARGE PERMANENT

MEMBER LØADS

1 FORCE Y UNIF -18.6
2 FORCE Y UNIF -26.
3 FORCE Y UNIF -36.
4 FORCE Y UNIF -26.
5 FORCE Y UNIF -16.6
6 FORCE Y UNIF -4.
7 FORCE Y UNIF -4.
8 FORCE Y UNIF -16.6

LØADING 2 SURCHARGES

MEMBER LØADS

1 FORCE Y UNIF -2.
2 FORCE Y UNIF -3.
3 FORCE Y UNIF -3.
4 FORCE Y UNIF -3.
5 FORCE Y UNIF -3.
6 FORCE Y UNIF -4.8
7 FORCE Y UNIF -4.2
8 FORCE Y UNIF -3.

LØADING 3 VENT NORMAL

MEMBER LØADS

1 FORCE Y UNIF 1.1
2 FORCE Y UNIF 1.7
3 FORCE Y UNIF 1.1
4 FORCE Y UNIF 1.7

| | | | | |
|---------------------------------|-----------|-------|---------|---------|
| 9 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 1 . 5 |
| 10 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 1 . 1 |
| 11 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 2 . 4 |
| 12 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 1 . 5 |
| 13 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 0 . 7 |
| 14 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 1 . 7 |
| LØADING 4 VENT EXTREME | | | | |
| MEMBER | LØADS | | | |
| 1 | F Ø R C E | Y | U N I F | 2 . |
| 2 | F Ø R C E | Y | U N I F | 3 . |
| 3 | F Ø R C E | Y | U N I F | 2 . |
| 4 | F Ø R C E | Y | U N I F | 3 . |
| 9 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 2 . 6 |
| 10 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 2 . |
| 11 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 4 . 2 |
| 12 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 2 . 6 |
| 13 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 1 . 2 |
| 14 | F Ø R C E | Y | U N I F | - 3 . |
| LØADING 5 G + 1 . 2 P | | | | |
| CØMBINE | 1 | 1 . 2 | 1 . 2 | |
| LØADING 6 G + P + V | | | | |
| CØMBINE | 1 | 1 . 2 | 1 . 3 | 1 . |
| LØADING 7 G + 1 . 5 P + 1 . 5 V | | | | |
| CØMBINE | 1 | 1 . 2 | 1 . 5 | 3 1 . 5 |
| LØADING 8 G + P + 1 . 0 3 V | | | | |
| CØMBINE | 1 | 1 . 2 | 1 . 4 | 1 . 0 3 |
| TRACE | | | | |
| SOLVE | | | | |

DIAGRAMME DES MOMENTS FLECHISSANTS.

Portique P Q2

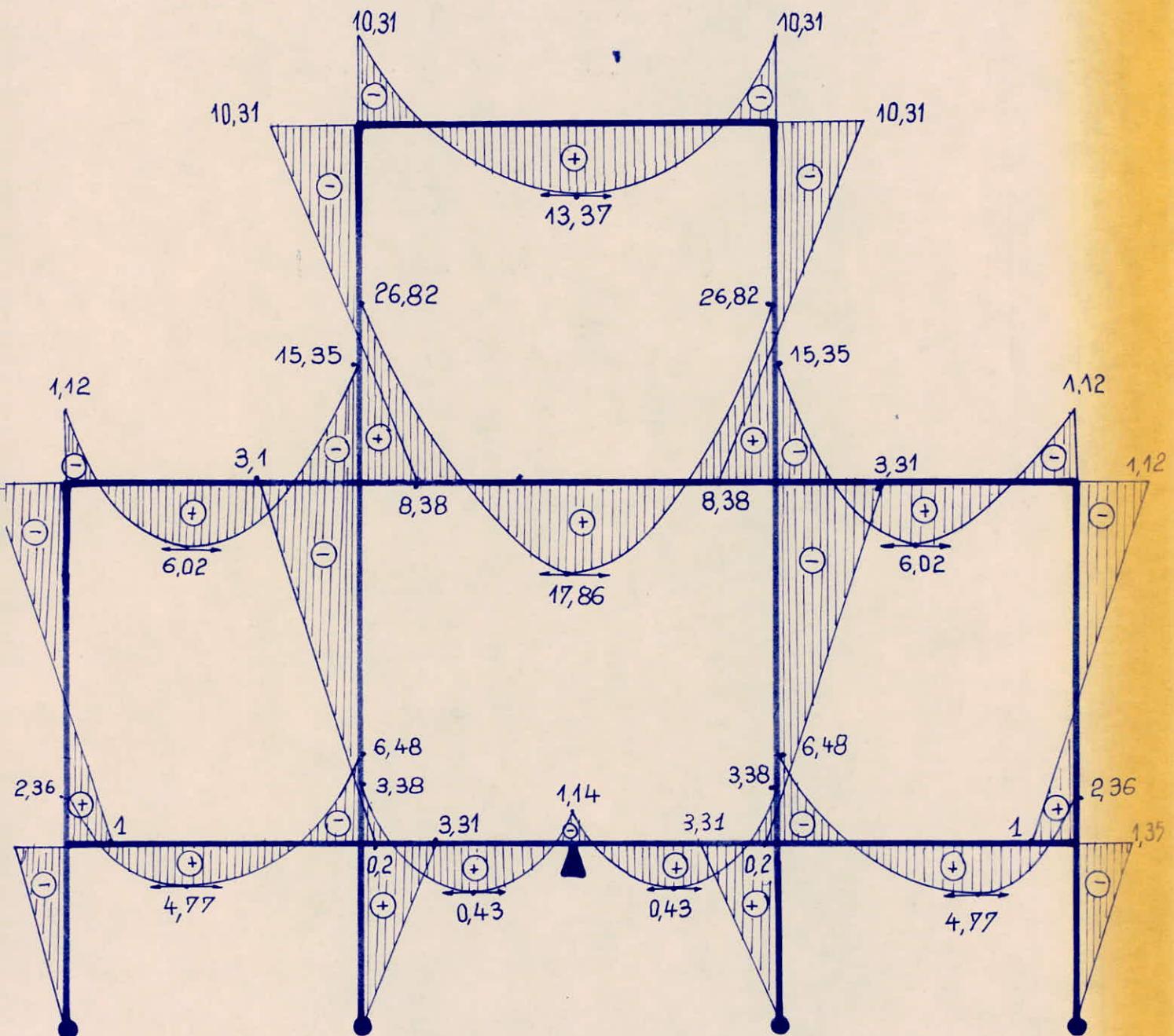


DIAGRAMME DES EFFORTS

TRANCHANTS PORTIQUE PQ2

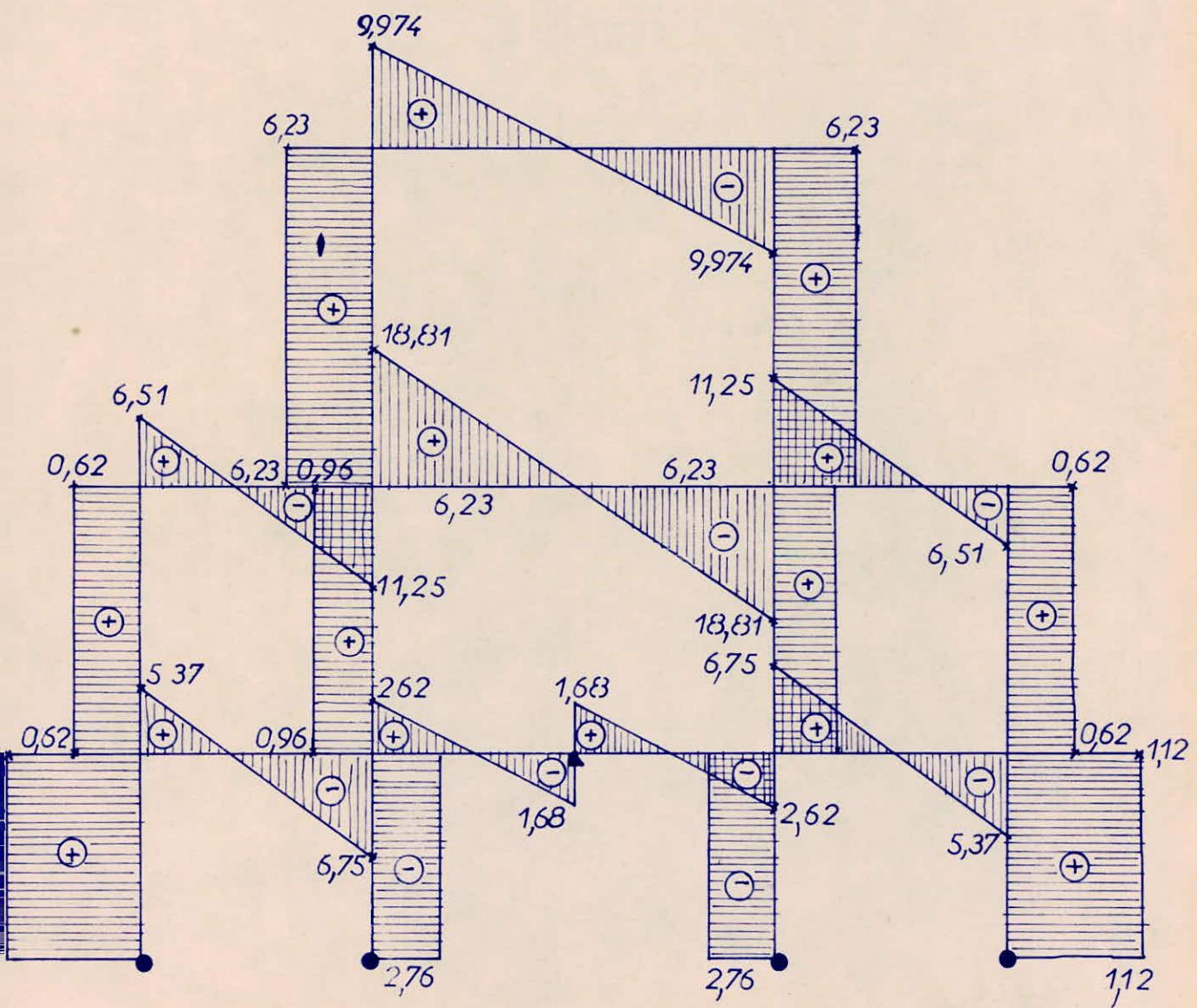
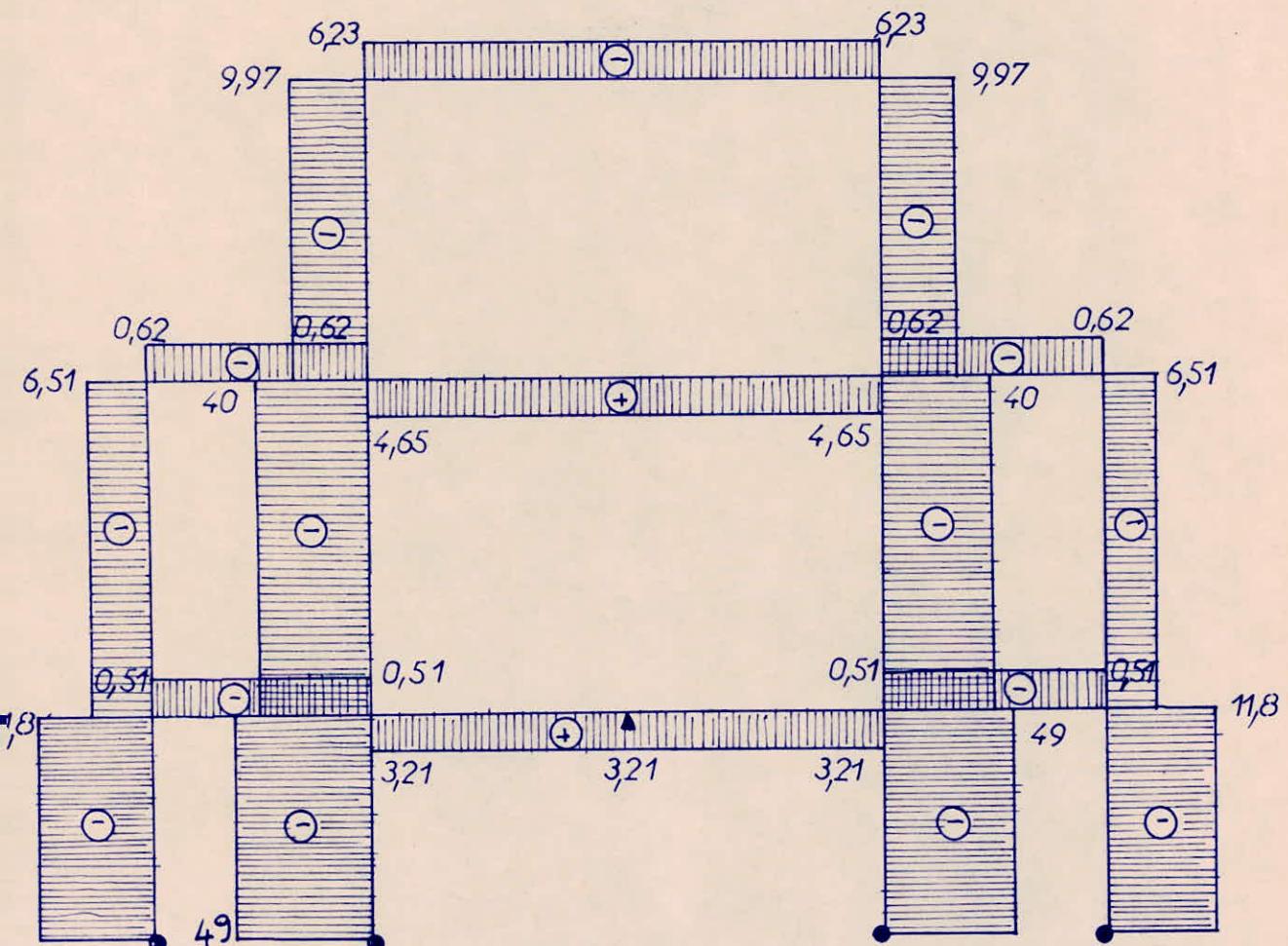


DIAGRAMME DES EFFORTS

NORMAUX PORTIQUE PQ2



Le programme STRESS nous donne comme sollicitation la plus défavorable, la sollicitation totale pondérée du premier genre $G + 1,2P$.
 Connaissons la sollicitation la plus défavorable ($G + 1,2P$) on peut tracer le diagramme des moments fléchissants, le diagramme des efforts tranchants et le diagramme des efforts normaux.

C. Calcul du Ferrailage:

• Calcul des traverses :

Les traverses sont calculées en flexion composée -

Considérons la traverse 1

Justification de la section

La traverse 1 a une section de 25×80 .

Calculons le moment résistant du béton: $M_{rb} = \frac{1}{2} b h^2 \bar{\sigma}_b' \bar{q} \left(1 - \frac{\bar{q}}{3}\right)$
 avec $\bar{q} = \frac{15 \bar{\sigma}_b'}{15 \bar{\sigma}_b' + \bar{\sigma}_a}$: $\bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2$ $\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$ } $\Rightarrow \bar{q} = \frac{2055}{4855} = 0,423$.
 $\left(1 - \frac{\bar{q}}{3}\right) = 1 - 0,141 = 0,859$.

$$M_{rb} = \frac{1}{2} \times 25 \times \overline{76,5}^2 \times 0,423 \times 0,859 \times 137 = 36,415 \text{ t.m.}$$

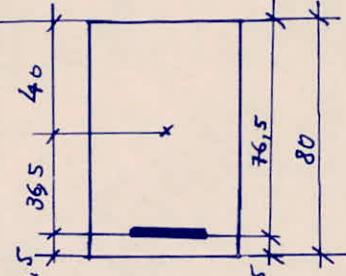
$M_{rb} > M_{\max \text{ appliquée}}$ \Rightarrow la section de 25×80 a été convenablement choie.

• Ferrailage en tôle:

$$e_0 = \frac{M}{N} = \frac{13,37}{6,23} = 2,146 \text{ m.}$$

$e_0 > \frac{ht}{6} = 13,33 \text{ cm} \Rightarrow$ donc la section est partiellement comprimée.

$$e_0 > \frac{ht}{2} = 40 \text{ cm}, \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2.$$



Le moment de flexion par rapport aux axes tendus a pour valeur:

$$M_f = 13370 \times 10^2 + 6230 \times 36,5 = 1564,39 \times 10^3 \text{ kg.cm.}$$

Dans ces conditions $\mu = \frac{15 \times 1564,39 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 76,5^2} = 0,05723$

D'après les tableaux donnés dans l'ouvrage intitulé "Le calcul et la vérification des ouvrages en béton armé" de Pierre CHARON on a:

$$\mu = 0,05723 \Rightarrow k = 35,2 ; \varepsilon = 0,9004$$

d'où $A_1 = \frac{15643,9 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 0,9004 \times 76,5} = 8,11 \text{ cm}^2$ On en déduit la section d'acier nécessaire:

$$A = 8,11 - \frac{6230}{2800} = 8,11 - 2,225 = 5,885 \text{ cm}^2 \Rightarrow \boxed{4T14 \text{ avec } A = 6,15 \text{ cm}^2.}$$

Vérification des contraintes:

$$\sigma_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{35,2} = 79,54 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée)}$$

Vérifions si pour des T14, la contrainte adoptée de 2800 kg/cm² est admissible. On considère que la fissuration est préjudiciable ($k = 10^6$).

$$\sigma_1 = k \frac{\gamma}{\phi} \frac{\bar{w}_f}{1 + 10 \bar{w}_f} =$$

$$\bar{w}_f = \frac{A}{B_f} = \frac{6,15}{25 \times 7} = 0,035$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{\gamma k \bar{\sigma}_b}{\phi}}$$

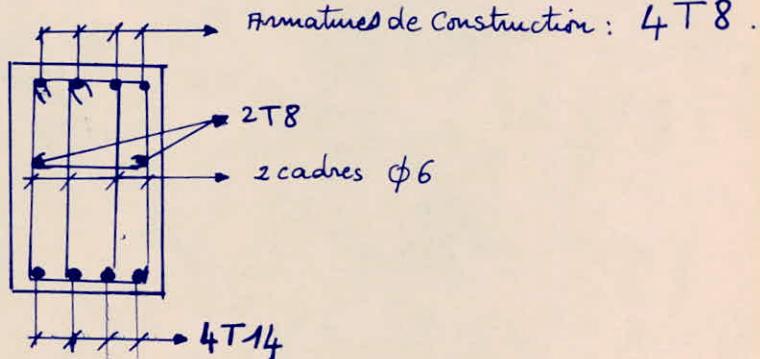
$\gamma = 1,6$ Pour les aires Haute adhérence

$$\sigma_1 = \frac{10^6 \times 1,6 \times 0,035}{14 (1 + 0,35)} = 2963 \text{ bars} = 3019 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\sigma_2 = 1993 \text{ kg/cm}^2 \quad \max(\sigma_1, \sigma_2) = 3019 \text{ kg/cm}^2$$

Donc la contrainte d'air de 2800 kg/cm² est bien admissible

Ferraillage entravé:

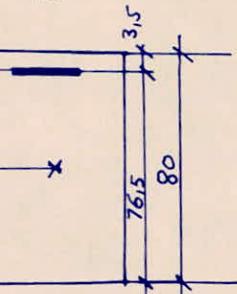


Ferraillage en appui: (chapeaux)

$$M = -10,31 \text{ t.m.}$$

$$N = 6,23 \text{ t.} \quad e_0 = \frac{M}{N} = \frac{10,31}{6,23} = 1,655 \text{ m.}$$

$$e_0 > \frac{ht}{6} \Rightarrow \text{Donc la section est partiellement comprimée.}$$



Moment de flexion par rapport aux aires tendues :

$$M_G = 10,31 \times 10^5 + 6,23 \times 0,365 = 12,584 \text{ kg.cm.}$$

$$\text{Dans ces conditions, } \mu = \frac{15 \times 12584 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 76,5^2} = 0,0461$$

$$\mu = 0,0461 \Rightarrow k = 40,2, \quad \varepsilon = 0,9094 \quad \text{On déduit}$$

$$A_1 = \frac{12584 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 0,9094 \times 76,5} = 6,46 \text{ cm}^2 \Rightarrow A = 6,46 - \frac{6230}{2800} =$$

$$A = 4,235 \text{ cm}^2 \Rightarrow 4T12 \text{ avec } A = 4,52 \text{ cm}^2.$$

$$\sigma_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{40,2} = 69,65 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2.$$

Vérification des contraintes :

Vérifions la fissuration :

$$\bar{w}_f = \frac{4,52}{25 \times 7} = 0,026$$

$$\sigma_1 = \frac{106 \times 1,6 \times 0,026}{12 (1 + 0,26)} = 2751 \text{ bars} = 2803 \text{ kg/cm}^2 > \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

D'après pour des T12 la contrainte de 2800 kg/cm^2 est admissible.
Pour les armatures supérieures on a: $\bar{\sigma}_b = 1,25 \times 1,5^2 \times 5,9 = 16,6 \text{ kg/cm}^2$

$$l = \frac{\phi}{4} \cdot \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_b} = \frac{1,2 \times 2800}{4 \times 16,6} = 50,60 \text{ cm.}$$

l'amerrage peut commencer à une distance du mur intérieur de l'appui égal à :

$$c = \frac{2T}{b_0 \bar{\sigma}_{bs}} = \frac{2 \times 9975}{25 \times 68,5} = 11,65 \text{ cm.} \quad \text{D'où la longueur nécessaire du mur de l'appui}$$

pour un amerrage en barre droite : $50,60 + 11,65 = 62,25 \text{ cm}$. Nous allons prévoir un retour d'équerre.

Les armatures transversales sont constituées par 2 cadres $\phi 6$.

Aux appuis, nous avons $T = 9975 \text{ kg}$

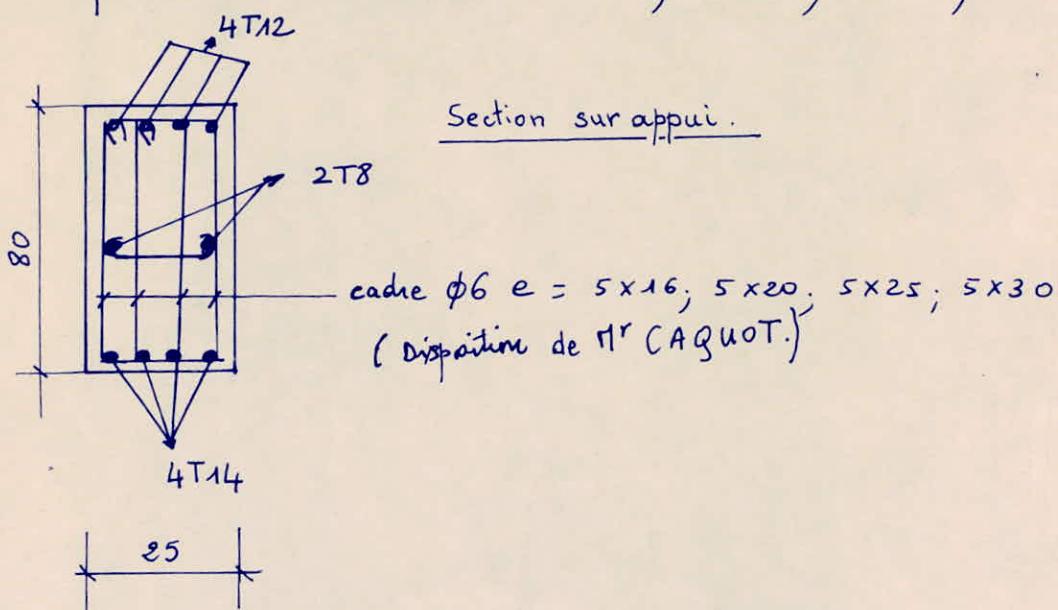
$$\bar{\sigma} = \frac{T}{b_0 z} = \frac{9975}{25 \times 66,94} = 5,96 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\text{On a } \bar{\sigma}_b > \bar{\sigma}_{bs} \Rightarrow \bar{\sigma} = \left(4,5 - \frac{69,65}{68,5} \right) 5,9 = 20,53 \text{ kg/cm}^2. \quad \text{on a } \bar{\sigma} < \bar{\sigma}.$$

$$\sigma_{at} = \left(1 - \frac{\bar{\sigma}_b}{9 \bar{\sigma}_b} \right) \sigma_{en} = \left(1 - \frac{5,96}{9 \times 5,9} \right) 2400 = 2131 \text{ kg/cm}^2.$$

$$At = 4 \phi 6 = 1,13 \text{ cm}^2 \Rightarrow t = \frac{At \bar{\sigma}_{at}}{T} = \frac{1,13 \times 66,94 \times 2131}{9975} = 16,1596 \text{ cm}$$

$l = \frac{9,50}{2} = 4,75 \text{ cm}$ on adopte la répartition de Mr Caquot. Nous placerons le premier plan d'armatures transversales à 4 cm du mur du montant et nous prendrons 5 intervalles de 16 cm; 5×20 ; 5×25 ; 5×30



Calcul de la traverse

3

Moment en travée : $M_t = 17,86 \text{ t.m.}$

Moment sur appui : $M_a = -26,82 \text{ t.m.}$

Justification de la section : 25×80

on a trouvé dans le calcul de la traverse 1 que le moment résistant du béton est égal à $36,415 \text{ t.m.}$. Le moment résistant du béton est le même dans la traverse N°3. $M_{rb} = 36,415 \text{ t.m.} < M_{max} = 26,82 \text{ t.m.} \Rightarrow$ la section de 25×80 a été choisie convenablement. Calculons le renflement en travée.

$$e_0 = \frac{l}{N} = \frac{17,86}{465} = 3,84 \text{ m. (} N \text{ étant l'effet normal de traction.)}$$

$e_0 > \frac{h_t}{6} \Rightarrow$ La résultante des forces extérieures (Traction) passe en dedans de la section, donc cette dernière est partiellement comprimée.

$$\bar{\sigma}_b = 137 \text{ kg/cm}^2.$$

Le moment fictif M_f par rapport aux aciers tendus a pour valeur :

$$M_f = 17,86 \times 10^5 - 4,65 \times 0,365 \times 10^5 =$$

$$M_f = 16,163 \times 10^5 \text{ kgxcm.}$$

En flexion simple sous l'effet du moment fictif M_f on a :

$$\mu = \frac{15 \times 16163 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 76,5^2} = 0,05918.$$

Pour $\mu = 0,0592 \Rightarrow k = 34,5, \varepsilon = 0,899$

$$\text{on déduit } A_1 = \frac{16163 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 0,899 \times 76,5} = 8,39 \text{ cm}^2.$$

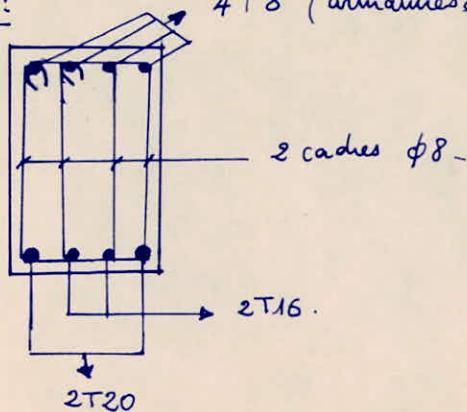
D'où A nécessaire est égale à :

$$A = A_1 + \frac{N}{2800} = 8,39 + \frac{4650}{2800} = 8,39 + 1,66 = 10,05 \text{ cm}^2.$$

$$\Rightarrow 2T20 + 2T16 \Rightarrow A = 10,30 \text{ cm}^2.$$

Section en travée :

4T8 (armatures de construction)



Section sur appui :

$$M = 26,82 \text{ t.m.}$$

$$N = 4,65 \text{ t.}$$

$$e_0 = \frac{26,82}{4,65} = 5,77 \text{ m.}$$

$e_0 > \frac{ht}{6} \Rightarrow$ la résultante des forces extérieures (Traction) passe en dehors de la section, donc cette dernière est partiellement comprimée.

$e_0 > \frac{ht}{6} \Rightarrow \sigma'_b = 137 \text{ kg/cm}^2$. Le moment de flexion fictif par rapport aux axes tendus a pour valeur :

$$\delta_f = 26,82 \times 10^5 - 1,697 \times 10^5 = 25,123 \times 10^5 \text{ kg.cm.}$$

$$\mu = \frac{15 \times 25123 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 76,5^2} = 0,09198 \sim 0,092$$

$$\mu = 0,0921 \Rightarrow k = 26,1 ; \varepsilon = 0,8783$$

$$\Rightarrow A_1 = \frac{25123 \times 10^2}{0,8783 \times 76,5 \times 28 \times 10^2} = 13,35 \text{ cm}^2$$

On déduit la section d'acier nécessaire : $A = A_1 + \frac{N}{\sigma_a} = 13,35 \text{ cm}^2 + 1,6607 = 15 \text{ cm}^2$

$$A = 15 \text{ cm}^2.$$

$\Rightarrow 4T20 + 2T14$ (en chapeaux).

$$\boxed{4T20 + 2T14} \Rightarrow A = 12,56 + 3,07 = 15,63 \text{ cm}^2.$$

Vérification des contraintes :

Section en traversée :

$$\sigma'_b = \frac{\sigma_a}{k} = \frac{2800}{34,5} = 81,16 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b = 137 \text{ kg/cm}^2 (\text{vérifiée})$$

Section sur appui :

$$\sigma'_b = \frac{\sigma_a}{k} = \frac{2800}{26,1} = 107,28 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b = 137 \text{ kg/cm}^2 (\text{vérifiée})$$

Vérifions la fixation :

Le diamètre de la plus grosse des barres tendues a pour valeur

$$\phi = 20 \text{ mm} \Rightarrow \sigma_1 = \frac{10^6 \times 1,6 \times 0,078}{20 (1 + 0,78)} = 3505 \text{ bars} = 3572 \text{ kg/cm}^2 > 2800 \text{ kg/cm}^2.$$

$$w_g = \frac{A}{Bf} = \frac{15,63}{8 \times 25} = 0,078.$$

On remarque que pour des $\phi 20$, la contrainte de 2800 kg/cm^2 est bien admissible.

du niveau des appuis, nous avons pour les armatures supérieures $\bar{\sigma}_d = 1,25 \bar{\sigma}_d^2 \cdot \bar{\sigma}_b$

$$\bar{\sigma}_d = 1,25 \times 1,5^2 \times 5,9 = 16,6 \text{ kg/cm}^2.$$

$$l_1 = \frac{\phi}{4} \cdot \frac{\sigma_a}{\bar{\sigma}_d} = \frac{2}{4} \times \frac{2800}{16,6} = 84,34 \text{ cm.} \quad (\text{on prévoit un retour d'équerre})$$

Les armatures transversales sont constituées par 2 cannes $\phi 8 \Rightarrow A_t = 2,01 \text{ cm}^2$.

$$\bar{\sigma} = \frac{T}{b_3} = \frac{18810}{25 \times 66,94} = 11,24 \text{ kg/cm}^2.$$

$$-\sigma'_{b0} < \sigma'_b \leq \bar{\sigma}'_{b0} \Rightarrow \bar{\sigma}_b = \left(4,5 - \frac{107,28}{68,5}\right) \times 5,9 = (4,5 - 1,566) 5,9 = 17,31 \text{ kg/cm}^2$$

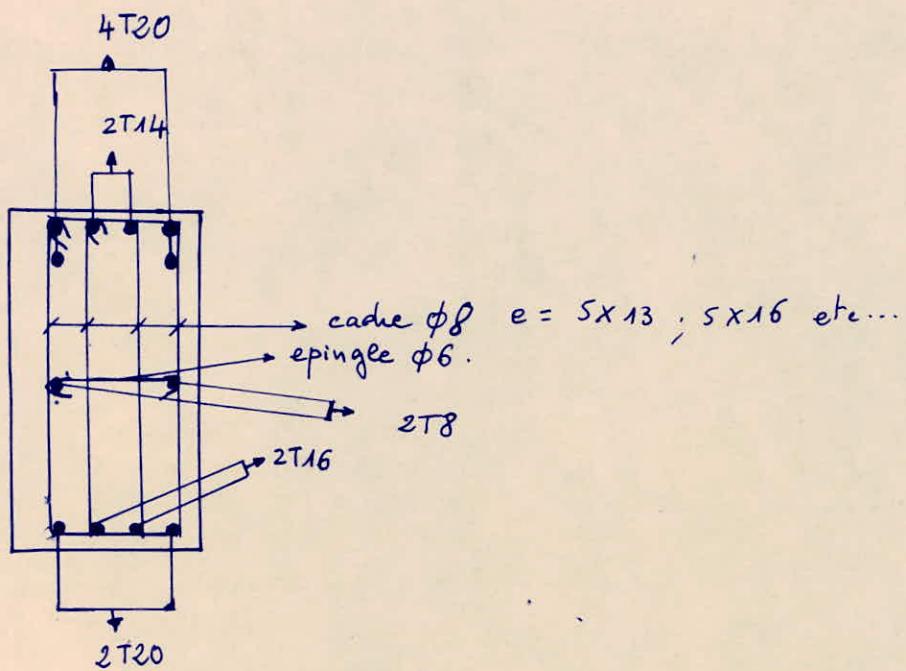
on a $\bar{\sigma} < \bar{\sigma}_b$ (condition vérifiée)

$$\sigma_{at} = \left(1 - \frac{\bar{\sigma}}{9\sigma_b}\right) \sigma_{en} = \left(1 - \frac{11,24}{9 \times 5,9}\right) 2400 = (1 - 0,212) 2400 = 1891 \text{ kg/cm}^2$$

on déduit l'espacement : $t = \frac{2,01 \times 66,94 \times 1891}{18810} = 13,5 \text{ cm.}$

on adoptera la répartition de l'agout : $5 \times 13 ; 5 \times 16$. etc..

Section sur appui:



Le calcul des autres traverses serait analogue aux traverses 1 et 3 -

P Q 2.

| N° des Traverses | Ferraillage en travée | Ferraillage sur appui | |
|------------------|-----------------------|-----------------------|----------------|
| | A _t | A _g | A _d |
| 1 | 4T14 | 4T12 | 4T12. |
| 2 | 2T10 + 2T12 | 4T10 | 4T20. |
| 3 | 2T20 + 2T16 | 6T20 | 6T20. |
| 4 | 2T12 + 2T10 | 4T20 | 4T10. |
| 5 | 2T12 + 1T10 | 3T10 | 3T12. |
| 6 | 3T10 | 3T12 | 3T12. |
| 7 | 3T10 | 3T12 | 3T12. |
| 8 | 2T12 + 1T10 | 3T12 | 3T10. |

Calcul des montants du portique PQ2 :

Les montants seront calculés en flexion composée. Les moments et les effets normaux pris en compte sont obtenus en combinant les effets des charges permanentes et des surcharges majorées afin d'obtenir la sollicitation la plus défavorable à savoir la sollicitation totale pondérée du 1er genre : $G + 1,2P$.

Considérons le montant 11. On a $\Pi = 1,12 \text{ t.m.}$ section 25×25 .
 $N = 6,51 \text{ t.}$

Avant de calculer le montant 11, vérifions le flambement :

on a : Le montant 11 est encastré aux 2 extrémités donc $l_c = 0,5 l_0 = 0,5 \times 3,45 = 1,725 \text{ m.}$

si $\frac{l_c}{a} < 14,4$ le flambement est vérifié

si $\frac{l_c}{a} > 14,4$ on doit tenir compte du flambement.

$\frac{172,5}{25} = 6,9 < 14,4$ donc le flambement est vérifié (cette vérification est valable pour les montants 12, 13, 14.)

Vérifions le flambement pour les montants 9, 10. $\frac{l_c}{a} = \frac{150}{25} = 6 < 14,4$ (vérifié).

Vérifions le flambement pour les montants 15, 16, 17, 18. $\frac{l_c}{a} = \frac{84,84}{25} = 3,39 < 14,4$ (condition vérifiée).

Soit e_0 l'excentricité du montant 11 :

$e_0 = \frac{\Pi}{N} = \frac{1,12}{6,51} = 172,0 \text{ cm} > \frac{ht}{6} \rightarrow$ la section est partiellement comprimée.

$e_0 > \frac{ht}{2} \rightarrow \delta_b' = 137 \text{ kg/cm}^2.$

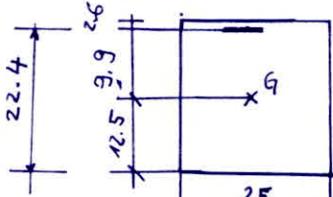
$$\Pi_1 = 112000 + 9,9 \times 65 \cdot 10 = 176449 \text{ kg.cm.}$$

$$\mu = \frac{15 \Pi}{\sigma_b' b h^2} = \frac{15 \times 1764,49 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 22,4} = 0,07535$$

D'après les Tableaux on déduit : $\mu = 0,0753 \rightarrow h = 29,7 ; E = 9,8881.$

On déduit $A_1 = \frac{1764,49 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 9,8881 \times 22,4} = 3,17 \text{ cm}^2$ d'où la section d'acier nécessaire :

$$A = 3,17 - \frac{65 \cdot 10}{2800} = 3,17 - 2,32 = 0,85 \text{ cm}^2.$$



$$A = 0,85 \text{ cm}^2 ; \delta_b' = \frac{2800}{29,7} = 94,28 < 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée)}$$

Vérifions le pourcentage minimal d'armatures longitudinales :

$$A_m = \frac{1,25 \theta_1 \theta_2 \theta_3}{1000} \frac{N}{\sigma_b'} \quad \theta_1 = 1,8 \text{ (le montant 11 est un montant d'angle.)}$$

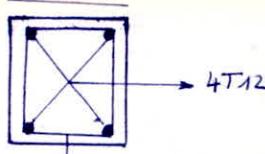
$$\theta_2 = 1 + \frac{l_c}{4a - 2c} \quad (l_c = 0,5 l_0 = 0,5 \times 3,45 = 172,5 \text{ cm}) . \quad c = 2 \text{ cm}, a = 25 \text{ cm}.$$

$$\theta_2 = 1 + \frac{172,5}{4 \times 25 - 2 \times 2} = 1 + 1,8 = 2,8 ; \theta_3 = 1 + \frac{2160}{4120} = 1,524.$$

$$\Rightarrow A_m = \frac{1,25 \times 1,8 \times 2,8 \times 1,524 \times 6,51}{68,5} = 0,912 \text{ cm}^2$$

$A_m = 0,912 \text{ cm}^2 > 0,85 \text{ cm}^2$ La condition du pourcentage minimal d'armatures longitudinale n'étant pas vérifiée on adoptera une section d'acier nécessaire $> A_m$. On prendra 2T12 pour la partie supérieure. Etant donné qu'on a même effet normal et même moment pour la partie inférieure, on adoptera un feuillage symétrique 2T12 d'après la représentation de la section.

Section:



Pour le calcul des étaiers, on adoptera la règle des 15 Ø
on déduit l'espacement des étaiers : $e = 15 \times 1,2 = 18 \text{ cm}$.
On prendra 15 cm.

considérons le montant 15 : section 25x25. $M = 1,35 \text{ t.m. } N = 11,9 \text{ t.}$

$$e_0 = \frac{1,35}{11,9} = 11,34 > \frac{ht}{6} \quad (\text{donc la section est partiellement comprimée.})$$

$$M_1 = 135000 + 11900 \times 9,9 = 252810 \text{ kg.cm.} \quad \text{Dans ces conditions } \mu = \frac{15 \times 2528,1 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 22,4} = 0,1079$$

D'après les tableaux on déduit : $k = 23,5 ; \varepsilon = 0,8701$

$$\sigma = 0,3896$$

$$\text{on a } A_1 = \frac{M}{\varepsilon h \sigma_a} = \frac{2528,1 \times 10^2}{0,8701 \times 22,4 \times 28 \times 10^2} = 4,632 \text{ cm}^2 \Rightarrow A = 4,632 - \frac{11900}{28 \times 10^2} = 0,382$$

on a : $A < A_m$ (section d'acier minimal). on adoptera la même section d'acier pour la partie supérieure et inférieure que le montant 11 c'est à dire un total 4T12.

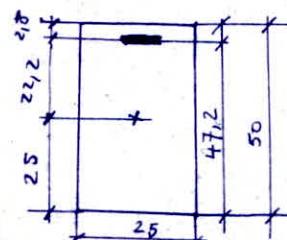
Pour des raisons de symétrie on adoptera le même renforcement pour les montants 14 et 18

Calcul du montant 9: section 25x50

considérons la partie supérieure : on a $M = 10,31 \text{ t.m. } N = 9,974 \text{ t.}$

$$e_0 = \frac{M}{N} = \frac{10,31}{9,974} = 1,03368 = 103,37 \text{ cm} > \frac{ht}{6} \quad (\text{donc la section est partiellement comprimée})$$

$$e_0 > \frac{ht}{2} \Rightarrow \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2.$$



$$\mu = \frac{15 \times 12524,2 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 47,2} = 0,1205$$

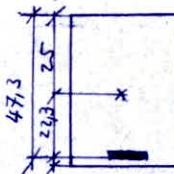
D'après les tableaux on déduit : $k = 24,9 ; \varepsilon = 0,8645 ; \sigma_b' = \frac{\sigma_a}{k} = \frac{2800}{24,9} = 127,85 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2$
On déduit $A_1 = \frac{12524,2 \times 10^2}{0,8645 \times 47,2 \times 28 \times 10^2} = 10,96 \text{ cm}^2$ d'où :

la section d'acier nécessaire est $A = 10,96 - \frac{9974}{2800} = 7,4 \text{ cm}^2 \Rightarrow 4T16 \quad A = 8,04 \text{ cm}^2$

4T16 pour la partie supérieure.

Calcul de la partie inférieure : $e_0 = \frac{8,37}{9,974} = 83,92 \text{ cm} > \frac{ht}{6} \quad (\text{donc la section est partiellement comprimée.})$

$$e_0 > \frac{ht}{2} \Rightarrow \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2.$$



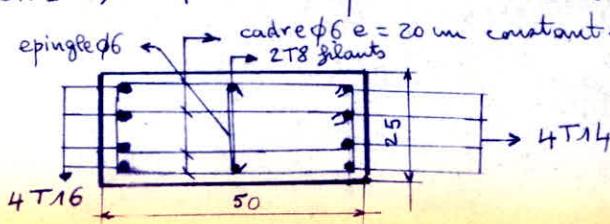
$$M_1 = 837000 + 9974 \times 22,3 = 10594,2 \times 10^2 \text{ kg.cm.}$$

$$\text{Dans ces conditions } \mu = \frac{15 \times 10594,2 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 47,3} = 0,1015$$

$$\text{on déduit : } k = 24,5 ; \varepsilon = 0,8734 ; \sigma_b' = \frac{2800}{24,5} = 114,28 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2.$$

$$A_1 = \frac{10594,2 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 0,8734 \times 47,3} = 9,16 \text{ cm}^2 \quad \text{d'où la section d'acier nécessaire : } A = 9,16 - \frac{9974}{2800} = 5,6 \text{ cm}^2$$

→ 4T14 avec $A = 6,15 \text{ cm}^2$. Pour l'espacement des étaiers on prend $e = 15\varnothing = 15 \times 1,4 = 21 \text{ cm}$
on prend $e = 20 \text{ cm}$.



On remarque d'après le diagramme des moments fléchissants que le montant n° 9 est le plus chargé par rapport aux montants 12 et 16. Vu la faible hauteur des montants et étant donné qu'on a un seul niveau on gardera le même fenajillage du montant le plus chargé aux autres montants c'est à dire que :

Fenajillage montant 9 = Fenajillage montant 12 = Fenajillage montant 16.

Pour des raisons de symétrie on a :

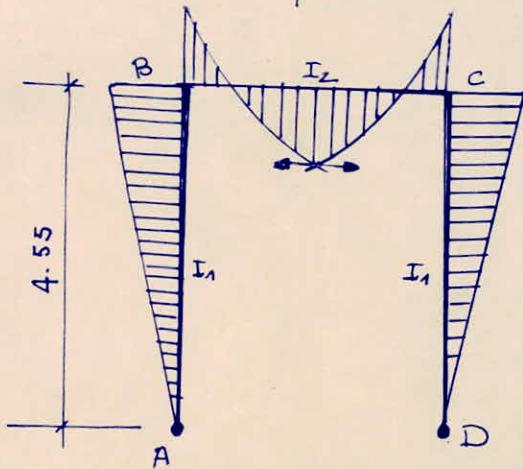
Fenajillage montant 9 = Fenajillage montant 10 = Fenajillage montant 13 = Fen. montant 17.

Calcul du Ponteau PQ1 .

PQ1

Ce ponteau PQ1 est un ponteau de rive. Le ponteau de rive est différent du ponteau de rive PQ11 car le ponteau PQ1 a un niveau supérieur + 345 et le ponteau PQ11 a un niveau supérieur + 655.

Calcul du Ponteau PQ1 :



• épure du diagramme des moments fléchissants

Descente de charges :

Plancher 25+4 800 kg/m².

p.p de la travée BC .. $0,25 \times 0,8 \times 2500 = 500 \text{ kg/m}$.

Surcharge : 100 kg/m²

La sollicitation totale qui nous donne l'effet le plus défavorable sur le Ponteau PQ1 est la sollicitation totale pondérée du 1^{er} genre : G+1,2P.

$$G = (800 \times 2,35) + 500 = 2380 \text{ kg/m}.$$

$$P = 100 \times 2,35 = 235 \text{ kg/m}.$$

$$1,2P = 282 \text{ kg/m}$$

$$\Rightarrow G+1,2P = 2662 \text{ kg/m} \Rightarrow G+1,2P = 2,67 \text{ t/m.}$$

D'après les formulaires de la R.D.N. on a:

$$R = \frac{I_2}{I_1} \cdot \frac{h}{l}$$

$$I_2 = \frac{bh^3}{12} = \frac{25 \times 8^3 \times 10^3}{12} = 1066660 \text{ cm}^4.$$

$$I_1 = \frac{bh^3}{12} = \frac{25 \times 5^3 \times 10^3}{12} = 260416 \text{ cm}^4$$

$$R = \frac{1066660}{260416} \times \frac{4,55}{9,50} = 1,962$$

$$R_A = R_D = \frac{9P}{2} = \frac{2,67 \times 9,5}{2} = 12,7 \text{ t.}$$

$$R_A = R_D = 12,7 \text{ t.}$$

$$H_A = H_D = \frac{9P^2}{4h(2R+3)} = \frac{2,67 \times 9,5^2}{4 \times 4,55 \times 6,924} = 1,91 \text{ t}$$

$$H_A = H_D = 1,91 \text{ t.}$$

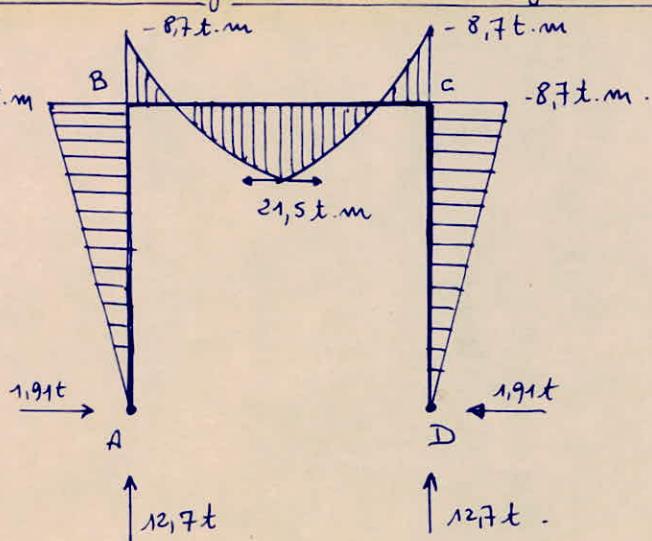
$$M_B = \Pi_c = -H_A \times h = 1,91 \times 4,55 = -8,7 \text{ t.m.}$$

$$M_B = \Pi_c = -8,7 \text{ t.m.}$$

$$M_{\max} = \frac{2R+1}{2R+3} \cdot \frac{P h^2}{8} = 21,5 \text{ t.m.}$$

$$\Pi_{\max} = 21,5 \text{ t.m.} = \Pi_{\max} \text{ en travée.}$$

Tracons le diagramme des moments flexionnels :



Determination du Ferrailage:

Considérons la traverse BC: section: 25x80

Justifions la section : Pour cela on calcule le moment résistant du béton :

$$M_{rb} = \frac{1}{2} b h^2 \bar{\sigma}_b' \bar{\alpha} \left(1 - \frac{\bar{\alpha}}{3}\right) \quad \text{avec } \bar{\alpha} = \frac{15 \bar{\sigma}_b'}{15 \bar{\sigma}_b' + \bar{\sigma}_a} \quad (\bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2, \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2)$$

$$\begin{aligned} \bar{\alpha} &= 0,423 \\ 1 - \frac{\bar{\alpha}}{3} &= 0,859 \end{aligned}$$

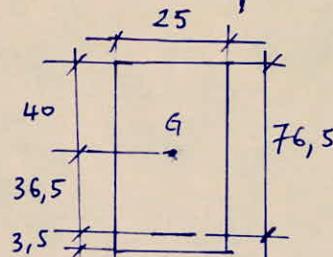
$$\Rightarrow M_{rb} = \frac{1}{2} \times 25 \times \overline{76,5}^2 \times 0,423 \times 0,859 \times 137 = 36,4 \text{ t.m.}$$

$M_{rb} > M_{\max \text{ appliquée}}$ \Rightarrow La section de 25x80 a été convenablement choisie.

$$\text{Calculons } e_0 : e_0 = \frac{M}{N} = \frac{21,5}{1,91} = 11,26 \text{ m}$$

$e_0 > \frac{ht}{6} \Rightarrow$ la section est donc partiellement comprimée.

$$e_0 > \frac{ht}{2} \Rightarrow \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2.$$



Le moment par rapport aux axes tendus a pour valeur:

$$M_f = 21,5 + 1,91 \times 0,365 = 21,5 + 0,697 = 22,2 \text{ t.m.}$$

$$\text{Dans ces conditions } p = \frac{15 \times 22200 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 76,5^2} = 0,0813.$$

$$p = 0,0812 \Rightarrow k = 28,3 ; \epsilon = 0,8845 ; \alpha = 0,3464. \therefore \sigma_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{28,3} = 98,94 \text{ kg/cm}^2 < 137 \text{ kg/cm}^2$$

$$A_1 = \frac{M_f}{\bar{\sigma}_a \epsilon k} = \frac{22200 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 0,8845 \times 76,5} = 11,72 \text{ cm}^2.$$

on déduit la section d'acier nécessaire :

$$A = A_1 - \frac{N}{\bar{\sigma}_a} = 11,72 - \frac{1910}{2800} = 11,72 - 0,682 = 11,04 \text{ cm}^2 \Rightarrow 4T20 \text{ avec } A=12,56 \text{ cm}^2$$

Ferraillage entravé de la traverse BC : 4T20.

Vérifions si pour des $\phi 20$, la contrainte de 2800 kg/cm^2 est admissible. On suppose que la fissuration est préjudiciable donc $k = 10,6$.

$$\bar{\sigma}_f = \frac{A}{B_f} = \frac{12,56}{7 \times 25} = 0,072$$

Les contraintes de fissuration sont : $\sigma_1 = \frac{k \gamma \bar{\sigma}_f}{\phi(1+10\bar{\sigma}_f)}$

$$\sigma_1 = \frac{10,6 \times 1,16 \times 0,072}{20(1+0,72)} = 3349 \text{ bars} = 3349 \times 1,019 = 3412 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{\gamma k \bar{\sigma}_f}{\phi}} = 2,4 \sqrt{\frac{1,16 \times 10,6 \times 5,8}{20}} = 1633 \text{ bars}$$

$$\sigma_2 = 1664 \text{ kg/cm}^2. \quad \sigma_{\max}(\sigma_1, \sigma_2) = 3412 \text{ kg/cm}^2 \rightarrow \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

Dans, pour des $\phi 20$ la contrainte de 2800 kg/cm^2 est admissible et la fissuration est alors vérifiée.

• Vérification des contraintes dans le béton:

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{28,3} = 98,94 \text{ kg/cm}^2 < 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ (donc la condition est vérifiée)}$$

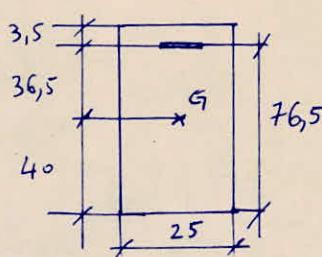
Section sur appui : (chapeaux)

Pour la section sur appui nous avons :

$$e_0 = \frac{h}{2} = \frac{8,7}{1,91} = 4,55 \text{ m}.$$

$e_0 > \frac{ht}{6}$ \Rightarrow (la section est partiellement comprimée)

$$e_0 > \frac{ht}{2} \Rightarrow \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2.$$



La contrainte de 2800 kg/cm^2 ne pourra pas être atteinte par suite de la limite imposée par la fissuration. Nous adopterons $\bar{\sigma}_a = 2400 \text{ kg/cm}^2$ et nous vérifierons par la suite que $\bar{\sigma}_a$ est admissible.

$$M_G = 8,7 + 1,91 \times 6,365 = 9,4 \text{ t.m.}$$

$$\text{Dans ces conditions } \mu = \frac{15 \times 9400 \times 10^2}{24 \times 10^2 \times 25 \times 76,5} = 0,04015.$$

$$\text{pour } \mu = 0,04 \Rightarrow k = 43,8; \epsilon = 0,9150. \Rightarrow f_l = \frac{M_G}{\bar{\sigma}_a \epsilon h} = \frac{9400 \times 10^2}{24 \times 10^2 \times 0,915 \times 76,5} = 5,6 \text{ cm}^2$$

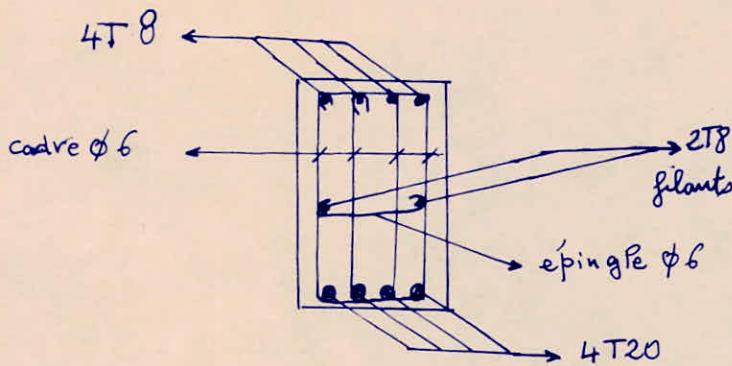
$$\Rightarrow A = f_l - \frac{N}{\bar{\sigma}_a} = 5,6 - \frac{1910}{2400} = 5,6 - 0,796 = 4,8 \text{ cm}^2 \Rightarrow 2T12 + 2T14$$

avec $A = 5,33 \text{ cm}^2$.

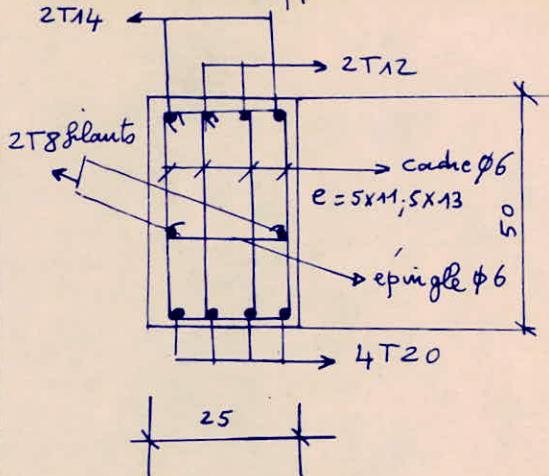
\Rightarrow section sur appui : $2T12 + 2T14$.

Vérification des contraintes dans le béton : $\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2400}{43,8} = 54,8 \text{ kg/cm}^2 < 137 \text{ kg/cm}^2$ (condition vérifiée)

Section en tranchéé:



Section sur appui:



Vérifier si pour de $\phi 14$ la contrainte adoptée de 2400 kg/cm^2 est admissible.

$$\frac{w_f - A}{Bf} = \frac{5,33}{7 \times 25} = 0,03 \quad \rightarrow \quad \sigma_1 = \frac{1,6 \times 10^6 \times 0,03}{14 \times 1,3} = 2637 \text{ bars} = 2687 \text{ kg/cm}^2$$

$\sigma_1 > \sigma_a \Rightarrow$ la fissuration est donc vérifiée.

Pour les armatures supérieures nous avons $\bar{\sigma}_{ad} = 1,25 \bar{\sigma}_d^2 \bar{\sigma}_b = 1,25 \times 1,5^2 \times 5,9 = 16,6 \text{ kg/cm}^2$

$l_s = \frac{\phi}{4} \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_d} = \frac{1,4 \times 2400}{4 \times 16,6} = 50,6 \approx 51 \text{ cm}$. Comme nous disposons d'une longeur d'appui de 50 cm, nous devons prévoir un retour d'équerre au niveau des appuis.

L'effort tranchant maximum a pour valeur: $\sigma = \frac{T}{b \cdot z} = \frac{12700}{25 \times 76,5 \times 0,875} = 7,59 \text{ kg/cm}^2$.

$$\sigma_{at} = \sigma_{ad} \text{ seuil avec } \sigma_{at} = \left(1 - \frac{\sigma}{9 \bar{\sigma}_b}\right) = 1 - \frac{7,59}{9 \times 5,9} = 1 - 0,143 = 0,857.$$

$$\sigma_{at} = 0,857 \times 2400 = 2057 \text{ kg/cm}^2. \quad A_t = 4\phi 6 = 1,13 \text{ cm}^2.$$

$$\text{L'espacement } t \text{ est égal: } t = \frac{A_t \bar{\sigma}_{at}}{T} = \frac{1,13 \times 0,875 \times 76,5 \times 2057}{12700} = 12,25 \text{ cm}.$$

On prend $t = 11 \text{ cm}$ et on adoptera la répartition de CAQUOT: 5x11; 5x13; 5x16; 5x20 etc... Nous prenons le premier plan d'armatures transversales à 5cm du mur du pilier et nous prenons successivement 5x11; 5x13; 5x16 etc...

Calcul des montants: (PQ1)

Avant de calculer les montants, on dit vérifier le flambement.

On dit vérifier la condition suivante:

si $\frac{l_c}{a} < 14,4$ Il est inutile de vérifier le flambement.

si $\frac{l_c}{a} > 14,4$ On doit calculer les montants au flambement.

Dans notre cas on a: $l_c = \frac{l_0}{\sqrt{2}} = 0,707 l_0$ (montant articulé à une extrémité et encastré à l'autre extrémité)

$$l_c = 0,707 \times 4,55 = 3,22 \text{ m.}$$

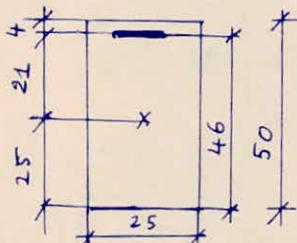
$\frac{l_c}{a} = \frac{3,22}{0,25} = 12,88 < 14,4$. Il est inutile donc de tenir compte du flambement.

Les montants seront alors calculés en flexion composée seulement avec l'excentricité $e_0 = \frac{M}{N}$.

$$e_0 = \frac{M}{N} = \frac{8,7}{12,7} = 0,685 \text{ m.}$$

On a $e_0 > \frac{ht}{6} \Rightarrow$ la section est donc partiellement comprimée.

$$e_0 > \frac{ht}{2} \Rightarrow \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2.$$



$$M = 8,7 + 12,7 \times 0,21 = 11,37 \text{ t.m.}$$

Pour la même raison que précédemment, nous limiterons la contrainte admissible à

$$\bar{\sigma}_a = 2400 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\mu = \frac{15 \times 11370 \times 10^2}{24 \times 10^2 \times 25 \times 46^2} = 0,1343.$$

$$\mu = 0,134 \Rightarrow R = 20,4; \quad E = 0,8588; \quad \alpha = 0,4237. \quad \sigma_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{R} = \frac{2400}{20,4} = 117,65 \text{ kg/cm}^2 < 137 \text{ kg/cm}^2$$

$$\Rightarrow \text{on déduit } A_1 = \frac{M}{Eh\bar{\sigma}_a} = \frac{11370 \times 10^2}{24 \times 10^2 \times 0,8588 \times 46} = 11,99 \text{ cm}^2 \approx 12 \text{ cm}^2$$

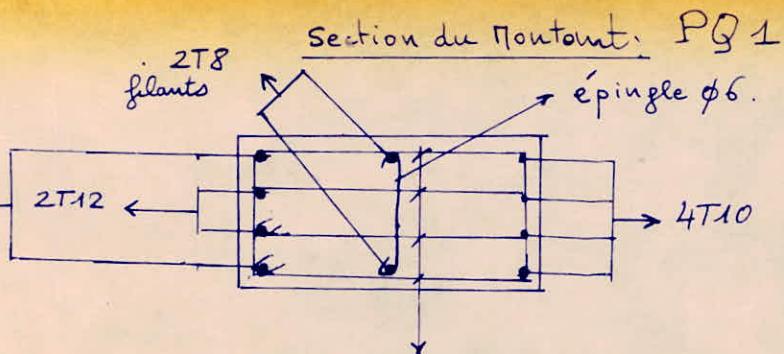
$$\Rightarrow A \text{ (section d'acier nécessaire)}: \quad A = A_1 - \frac{A}{\bar{\sigma}_a} = 12 - \frac{12}{2400} = 12 - 5,3 = 6,7 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow [2T16 + 2T14] \text{ avec } A = 4,02 + 3,07 = 7,09 \text{ cm}^2.$$

Vérifions si pour des Ø16 la contrainte $\bar{\sigma}_a = 2400 \text{ kg/cm}^2$ est admissible.

$$\frac{A}{b_f} = \frac{7,09}{8 \times 25} = 0,035 \Rightarrow \sigma_1 = \frac{1,6 \times 10^6 \times 0,035}{16 \times 1,35} = 2592 \text{ bars} = 2641 \text{ kg/cm}^2$$

Pour des Ø16, la contrainte $\bar{\sigma}_a = 2400 \text{ kg/cm}^2$ est admissible. Pour les espacements des étaiements, on applique la rgle de 15% ce qui veut dire $t = 20 \text{ mm}$ constat.

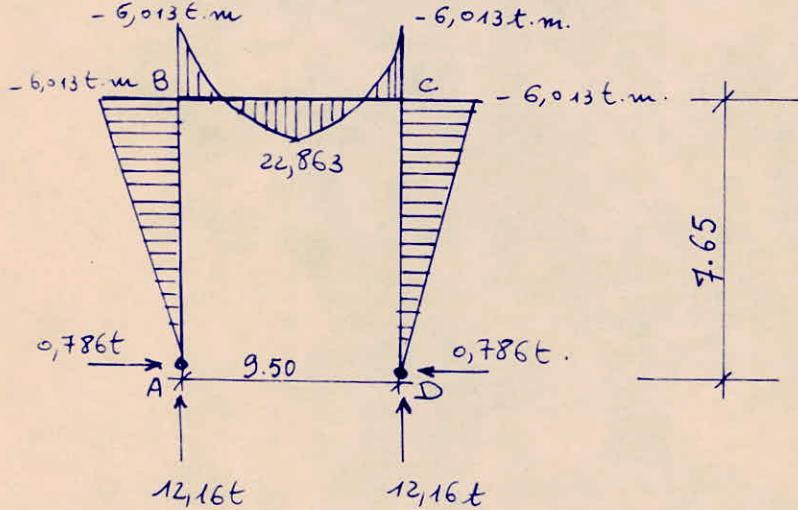


cadre $\phi 8$ $e = 20\text{cm}$.

• Calcul du Portique PQ 1 niveau 6.55. $PQ11 = PQ5 = PQ6$.

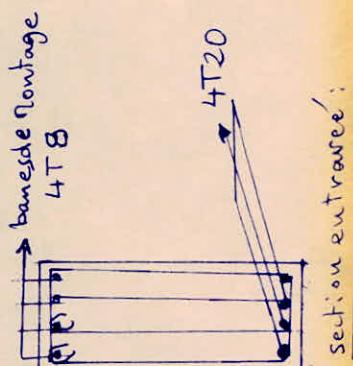
Le calcul du Portique de rive s'effectuera de la même façon que le portique de rive PQ 1 niveau 3.45. Ceci pour la travée. Quant aux moutants la condition de non flambement n'est pas vérifiée et le calcul s'effectuera en tenant compte du flambement.

Epure du diagramme des moments glissants : (la descente de charges nous donne $q = 2,56 \text{ t/m}$)



On a trouvé par la travée BC:

| |
|------------------------|
| Section entravée 4T20. |
| Section sur appui 4T12 |



Pour les armatures transversales, nous avons considéré des cadres $\phi 8$ (cadre à 2 branches, $A_t = 201\text{cm}^2$). L'espace entre les armatures transversales a été effectué selon la répartition de l'AGNOT et on a pris 5 intervalles de 20cm; 5x25; 5x35 etc...

Calcul des moutants :

Vérifions la condition de non flambement: $\frac{lc}{a} < 14,4$

$$lc = 0,707 \times 7,65 = 54,1\text{cm}. \quad a = 25\text{cm} \Rightarrow \frac{lc}{a} = \frac{54,1}{25} = 21,64 > 14,4 \quad (\text{condition non vérifiée})$$

on doit donc faire le calcul des moutants en considérant le flambement.

$$\text{Calculons l'élancement } \lambda: \quad \lambda = \frac{lc}{i} = \frac{54,1}{i} \quad i = \sqrt{\frac{I}{s}} = \sqrt{\frac{25 \times 503}{12 \times 25 \times 5^3}} = \sqrt{208} = 14,43$$

$$\lambda = \frac{54,1}{14,43} = 37,5.$$

D'après les règles du C.C.B.A 68 on a:

$35 < \lambda < 50 \Rightarrow$ le pilier sera calculé à la flexion composée en considérant une excentricité fictive égale à $e + f_{ic}$ avec $f_{ic} = 0,16(\lambda - 35)e$

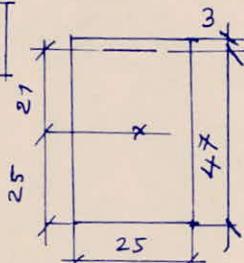
• calculons e ; $e = \frac{n}{N} = \frac{6,013}{12,16} = 0,4945m = 49,45\text{ cm}$.

$$f_{1c} = 0,16(\lambda - 35)e = 0,16(37,5 - 35)49,45 = 19,78\text{ cm}.$$

• l'excéntricité fictive est égale à : $e_0 = e + f_{1c} = 49,45 + 19,78 = 69,23\text{ cm}$.

$$e_0 = 69,23\text{ cm.}$$

on prend:
 $e_0 \approx 70\text{ cm}$.



$$\mathcal{M}_A = N_A = 12,16(70 + 21) \times 10^2 = 11,066 \text{ t.m.}$$

$$\text{On déduit } A = \frac{\mathcal{M}_A}{3 \bar{\sigma}_a} = \frac{11066 \times 10^2}{0,875 \times 47 \times 28 \times 10^2} = 9,61 \text{ cm}^2.$$

On déduit la section d'acier nécessaire :

$$A = A - \frac{N}{\bar{\sigma}_a} = 9,61 - \frac{12160}{2800} = 9,61 - 4,34 = 5,27 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow \boxed{4T14} \text{ avec } A = 6,15 \text{ cm}^2.$$

Vérouillons si pour des $\phi 14$, la contrainte $\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$ est admissible

$$\omega_g = \frac{A}{bf} = \frac{6,15}{25 \times 6} = 0,041.$$

$$\alpha_1 = \frac{106 \times 1,6 \times 0,041}{14 \times 1,41} = 33,23 \text{ bars} = 33,23 \times 1,019 = 33,86 \text{ kg/cm}^2.$$

Donc pour des $\phi 14$, la contrainte $\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$ est admissible.

Vérification des contraintes :

$$\frac{h}{c} = \frac{h}{e_A} = \frac{0,47}{0,91} = 0,516 \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \text{D'après l'abaque on déduit } \alpha_1 = 0,41.$$

$$\alpha_T = \frac{15 \times 6,15 \times 150}{25 \times 47} = 7,85. \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\}$$

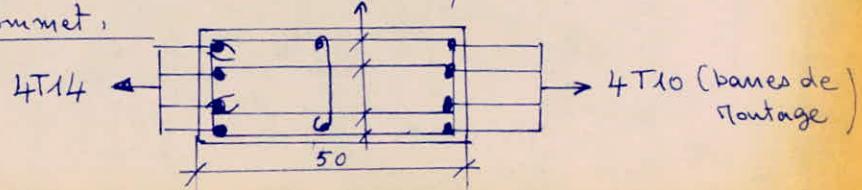
$$\alpha_1 = 0,41 \Rightarrow \gamma = 0,695; \mu_a = 12,3.$$

$$\frac{\bar{\sigma}_a}{n} = 170 = \frac{N}{\mu_a \frac{bf^2}{100}} \Rightarrow \bar{\sigma}_a = 15 \times 170 = 2550 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée)}$$

$$\text{comme } e_0 > \frac{h_t}{2} \Rightarrow \bar{\sigma}'_b = \gamma \frac{\bar{\sigma}_a}{n} = 170 \times 0,695 = 118,15 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2. \quad (\text{condition vérifiée}).$$

Espace entre les poteaux : $e = 12\phi = 15 \times 14 = 21\text{ cm}$; on prend $t = 20\text{ cm}$ constant.
cadre $\phi 8 e = 20\text{ cm}$.

Section poteau au niveau du sommet :



Section du montant : PQ 11

- Calcul du Ponton intermédiaire : $PQ_3 = PQ_4 = PQ_7 = PQ_8 = PQ_9$
- Descente de charge :

$$\boxed{PQ_{10}}$$

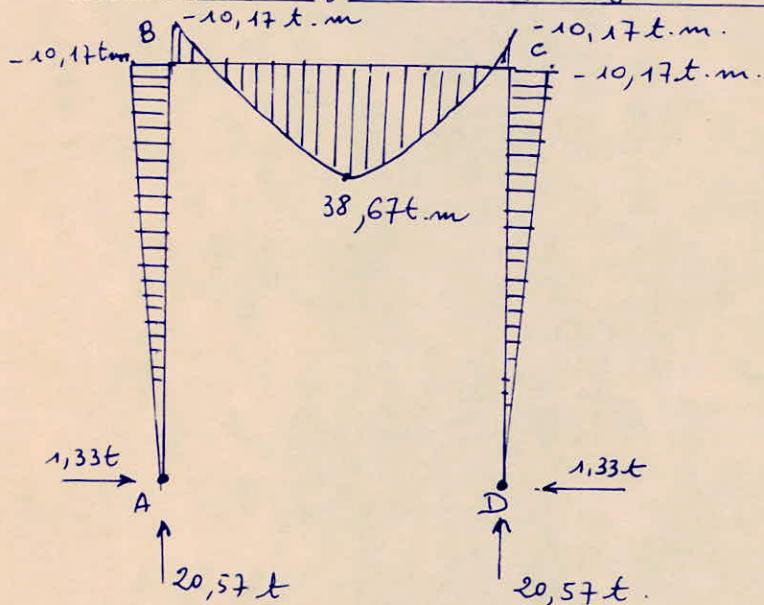
Point total de plancher revenant au ponton intermédiaire :

$$G = 680 \times 4,75 + 500 = 3730 \text{ kg/m.}$$

$$P = 100 \times 4,75 = 475 \text{ kg/m} \Rightarrow 1,2P = 570 \text{ kg/m.}$$

$$\left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} \text{On déduit } G + 1,2P = 4,33t/\text{m}$$

On déduit le diagramme des moments fléchissants :



Calcul de la traverse BC :

Justifions la section (BC). Pour cela on calcule le moment résistant du béton.

$$M_{rb} = \frac{1}{2} b h^2 \bar{\sigma}_b' \bar{A} \left(1 - \frac{\bar{x}}{3}\right) = 36,9 \text{ t.m.}$$

on a Moment appliqué maximum > Moment résistant du béton.

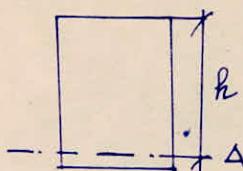
Calculons le moment plafond :

Le moment plafond est calculé par rapport à Δ et est égal à :

$$M_p = S\eta \bar{\sigma}_{bo}' \left(1,10 - \frac{\bar{\sigma}_{bo}'}{1000}\right)$$

$$S\eta = \frac{bh^2}{2} \Rightarrow \text{Le moment plafond est égal à : } 25 \times \frac{77}{2}^2 \times 68,5 \left(1,1 - 0,0685\right)$$

$$\Rightarrow \boxed{M_p = 52,36 \text{ t.m.}}$$



Si le moment plafond est supérieur au moment maximum appliqué et $M_{max} > M_{rb}$ on doit mettre des armatures comprimées. Si le moment plafond est inférieur au moment appliqué on doit augmenter manifestement la section considérée.

Dans notre étude, nous avons $\Pi_{\text{plafond}} > \Pi_{\text{max appliquée}} > M_{rb} \Rightarrow$ on doit ajouter des armatures comprimées.

- Calcul de la traverse BC : on a :

$$\frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}'_b} > \frac{15(h-d')}{\bar{\sigma}'_b h + d'} \quad \frac{2800}{137} = 20,4 > \frac{15 \times 77 - 3}{(77+3)} = 13,875.$$

On prend $k = 20,4$ et $\bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2$. D'après les tableaux, on déduit pour $k = 20,4$: $\alpha = 0,4237$, $\mu' = 0,1819$, $\varepsilon = 0,8588$. $y_1 = \alpha h = 0,4237 \times 77 = 32,62 \text{ cm}$.

$$\Rightarrow \Pi_1 = \mu' \bar{\sigma}'_b b h^2 = 0,1819 \times 137 \times 25 \times 77^2 = 36,9 \text{ t.m} = \Pi_{rb}.$$

$$\Delta \Pi = \Pi - \Pi_{rb} = 38,67 - 36,9 = 1,77 \text{ t.m.} \quad \Delta \Pi = 177000 \text{ kg.cm.}$$

$$\bar{\sigma}'_a = \frac{15(32,62 - 3) \times 137}{32,62} = 1866 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_a = 2800 \text{ kg/cm}^2.$$

Les sections des armatures auront pour valeur :

$$A' = \frac{177000}{74 \times 1866} = 1,282 \text{ cm}^2.$$

$$A = \frac{36900 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 0,8588 \times 77} + \frac{1770 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 74} = 20,78 \text{ cm}^2.$$

• Vérification du pourcentage minimal d'armatures longitudinales comprimées :

$$\frac{1,282}{25 \times 77} > 44 \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_a} \left(\frac{ht}{h} \right)^2 = 0,54 \times \frac{519}{2800} \times \frac{80}{77}^2 = 12,28 \times 10^{-4}$$

$6,6 \times 10^{-4} < 12,28 \times 10^{-4}$ (Donc la condition n'est pas vérifiée).

on adoptera comme section d'acier minimal nécessaire ;

$$A = bl \times 44 \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_a} \left(\frac{ht}{h} \right)^2 = 25 \times 77 \times 12,28 \times 10^{-4} = 2,36 \text{ cm}^2.$$

on prend comme section d'acier 4T14 filants.

Pour les armatures longitudinales tendues on prendra

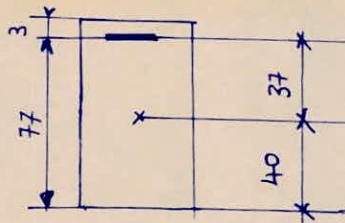
6T20 + 2T12

$A = 21,10 \text{ cm}^2$ et avec cette section d'acier la condition du pourcentage minimal d'armatures longitudinales tendues est vérifiée.

Section sur appuis: Chapeaux :

$c = \frac{\Pi}{N} = \frac{10,17}{1,33} = 7,65 \text{ m} > \frac{ht}{6}$: la section est partiellement comprimée. $e > \frac{ht}{2} \Rightarrow \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2$

Le moment de flexion fictif par rapport aux aciers tendus a pour valeur :



$$N = 10,17 + 1,33 \times 0,37 = 10,662 \text{ t.m.}$$

Dans ces conditions: $\mu = \frac{15 \times 10662 \times 10^2}{28 \times 10^3 \times 25 \times 77^2} = 0,0385$.

D'après les tableaux, on déduit: $k = 44,8$. } $\sigma_b' = \frac{\sigma_a - 2800}{k} = 62,5$
 $\epsilon = 0,9164$ } $k = 44,8$

$$\rightarrow A_1 = \frac{N}{Eh\sigma_a} = \frac{10662 \times 10^2}{0,9164 \times 77 \times 28 \times 10^2} = 5,4 \text{ cm}^2.$$

On déduit comme section d'acier nécessaire sur appui:

$$A = A_1 - \frac{N}{\sigma_a} = 5,4 - \frac{1330}{2800} = 5,4 - 0,475 = 4,925 \text{ cm}^2 \Rightarrow 4T14 \text{ avec } A = 6,15 \text{ cm}^2.$$

Section sur appui : 4T14 | on a $\sigma_b' = 62,5 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2$.

Vérifions si pour des T14, la contrainte $\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$ est admissible.

$$w_f = \frac{A}{bh} = \frac{6,15}{25 \times 6} = 0,041.$$

$$\sigma_1 = \frac{106 \times 1,6 \times 0,041}{14 \times 1,141} = 3323 \text{ bars} = 3323 \times 1,019 = 3386 \text{ kg/cm}^2 > 2800 \text{ kg/cm}^2. \text{ Donc}$$

Pour des Ø14 la contrainte $\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$ est admissible.

Etudions l'influence de l'effort transversal aux appuis. $T = 20,57 \text{ t.}$ $z = \frac{7}{8} h = 0,875 \times 77 = 67,375$
 $z = 67,375 \text{ cm.}$ $T + \frac{\Gamma}{8} = 20,57 + \frac{(-10,17)}{0,67375} = 20,57 - 15,1 = 5,47 \text{ t.}$

On doit vérifier la condition suivante: $A \bar{\sigma}_a > T + \frac{\Gamma}{8} \Rightarrow 6,15 \times 2800 > 5,47 \text{ t}$

Pour les armatures supérieures nous avons: $17220 > 5470 \Rightarrow (\text{condition vérifiée})$

$$\bar{\sigma}_{at} = 1,25 \frac{4d}{4d} \bar{\sigma}_b = 1,25 \times 1,5^2 \times 5,9 = 16,6 \text{ kg/cm}^2.$$

$$l = \frac{\phi}{4} \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_{at}} = \frac{1,4 \cdot 2800}{4 \cdot 16,6} = 59 \text{ cm.} \text{ Comme nous disposons d'une longueur d'appui de}$$

50 cm, nous prévoyons un retour d'équerre. (voir plan coffrage-Ferraillage PQ10)
La contrainte tangentielle maximale a pour valeur: $\sigma = \frac{T}{bz} = \frac{20570}{25 \times 0,875 \times 77} = 12,21 \text{ kg/cm}^2$

$$\sigma_{at} = \sigma_{at} \bar{\sigma}_{at} = \left(1 - \frac{\sigma_b}{9\bar{\sigma}_b}\right) 2400 = \left(1 - \frac{12,21}{9 \times 5,9}\right) 2400 = (1 - 0,23) \cdot 2400 = 1848 \text{ kg/cm}^2.$$

Les armatures transversales sont constituées par 2 cadres Ø6: $A_t = 1,13 \text{ cm}^2$.

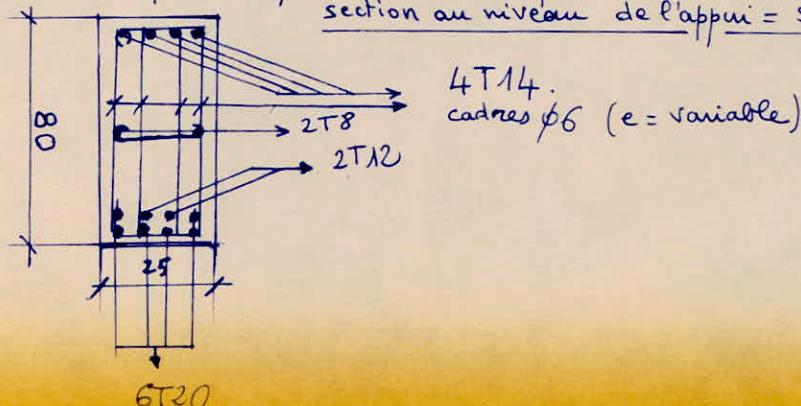
$$\Rightarrow t = \frac{A_t \bar{\sigma}_{at}}{T} = \frac{1,13 \times 67,375 \times 1848}{20570} = 6,84 \text{ cm.}$$

Nous placons le premier plan d'armatures à 3 cm du mur de l'appui et nous prenons 5 intervalles de 6 cm; 5 intervalles de 7 cm; 5x8; 5x9; 5x10; 5x11; 5x13 etc...

La section sur appui nécessite comme section d'acier : 4T14. | Nous garderons

la même ferraillage pour la partie comprimée: donc on prendra 4T14 filants.

section au niveau de l'appui = section en travée :



• Calcul des montants : (Poutres intermédiaires) . section montant : 25×50 .

Véfions le flambement : (7ème chose que le poutre de rive PQ11)

Les montants seront calculés en tenant compte du flambement. on trouve $\lambda = 37,5$ on a $35 < \lambda < 50$: le pilier sera calculé en flexion composée avec une excentricité fictive égale à : $e_0 = e + f_{lc}$ ($f_{lc} = 0,16(\lambda - 35)e$; $e = \frac{M}{N}$) .

$$e = \frac{M}{N} = \frac{10,174}{20,57} = 0,495 \text{ m.}$$

$$f_{lc} = 0,16(37,5 - 35)0,495 = 0,198 \text{ m} \Rightarrow e_0 = 0,198 + 0,495 = 0,693 \text{ m.}$$

Sait M le moment par rapport aux aciers tendus.

$$\text{on a } e_A = e_0 + 0,21 = 0,693 + 0,21 = 0,903 \text{ m.}$$

$$M_p = N \times e_A = 20,57 \times 0,903 = 18,57 \text{ t.m.}$$

calculons le moment résistant du béton :

$$\Pi_{rb} = \frac{1}{2} b h^2 \bar{\sigma}_b' \bar{A} \left(1 - \frac{\bar{x}}{h}\right) =$$

$$\Pi_{rb} = \frac{1}{2} \times 25 \times 47^2 \times 137 \times 0,423 \times 0,859 = 13,74 \text{ t.m.}$$

on trouve : $\Pi_{max} \text{ appliquée} > \Pi_{montant \text{ résistant du béton}}$.

On peut soit ajouter des armatures comprimées ou bien augmenter la section. Pour confirmer ceci, on calcule le moment plafond.

$$M_p = S_p \bar{\sigma}_{b0}' \left(1,10 - \frac{\bar{\sigma}_{b0}'}{1000}\right) \text{ avec } S_p = \text{moment statique par rapport aux aciers tendus}$$

$$S_p = \frac{bh^2}{2} \Rightarrow M_p = \frac{25 \times 47^2}{2} \times 68,5 \left(1,10 - 0,0685\right) = 19,51 \text{ t.m.} \text{ On peut ajouter}$$

des armatures comprimées car $\Pi_{plafond} > \Pi_{max \text{ appliquée}}$.

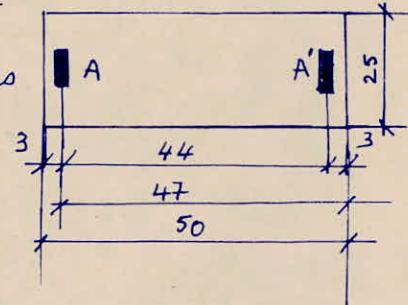
$$\text{on a : } \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2. \bar{\sigma}'_a = 2800 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2. \bar{\sigma}_b = 5,9 \text{ kg/cm}^2$$

$$\text{si } \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_b'} > \frac{15(h-d')}{\bar{\sigma}_a' h+d'} \text{ nous prenons}$$

$$k = \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_b'} \text{ et } \bar{\sigma}_b = \bar{\sigma}_b' .$$

$$\text{on a: } \frac{2800}{137} > \frac{15 \times 44}{47} \Rightarrow$$



$20,4 > 14,04$ on prend $k = 20,4$ et d'après les tableaux, on déduit :

$$\alpha = 0,4237. \mu' = 0,1819. \varepsilon = 0,8588. \text{ D'où } y_1 = \alpha h = 0,4237 \times 47 = 19,914 \text{ cm.}$$

$$\Pi_1 = 0,1819 \times 137 \times 25 \times 47^2 = 13,76 = \Pi_{rb}.$$

$$\Delta \Pi = 18,57 - 13,76 = 4,81 \text{ t.m.}$$

$$\bar{\sigma}'_a = \frac{15(19,914 - 3)137}{19,914} = 1745 < \bar{\sigma}'_a = 2800 \text{ kg/cm}^2.$$

Les sections des armatures auront pour valeur: $A' = \frac{4810 \times 10^2}{44 \times 1745} = 6,26 \text{ cm}^2$. soit :

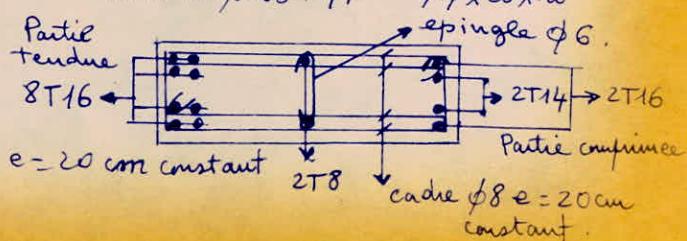
$$2T16 + 2T14 \text{ avec } A = 7,09 \text{ cm}^2. \text{ C'est la section des armatures comprimées.}$$

La section d'armatures tendues a pour valeur: $A = \frac{13760 \times 10^2}{2800 \times 0,8588 \times 47} + \frac{4810 \times 10^2}{44 \times 28 \times 10^2} = 12,175 + 3,90 = 16,08 \text{ cm}^2 \Rightarrow 8T16$

$$8T16 \Rightarrow A = 16,08 \text{ cm}^2$$

Section d'armatures tendues : 8T16

Pour les armatures transversales on applique la règle des $15\phi = 15 \times 14 = 21 \text{ cm}$. on prend $e = 20 \text{ cm}$ constant

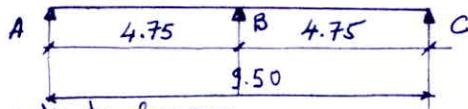


ETUDE DES FONDATIONS

CALCUL DES LONGRINES

- Considérons tout d'abord les longrines transversales : - L1 -

La longrine transversale possède deux travées égales. Nous calculerons la longrine L_{11} qui supporte un mur extérieur et on adoptera la même longrine transversale pour les autres portiques. Donc $L_{11} = L_{10} = L_g = L_8 = L_7 = L_6 = L_5 = L_4 = L_3 = L_1$. Le diamètre de la longrine L_{11} nous donne l'effet le plus favorable. Prenons comme section de la longrine : 25×60 . Quant à la longrine L_2 le calcul a été effectué avec le portique PQ2 à l'aide du programme STRESS.



- Descente de charge :

$$\text{Poids propre de la longrine : } 0,25 \times 0,60 \times 2500 = 375 \text{ kg/m.}$$

$$\text{Poids propre du mur extérieur : } 5,75 \times 1800 \times 0,25 \times 300 = 2587,5 \text{ kg/m.}$$

$$\text{On déduit } G = 2587,5 + 375 = 2962,5 \text{ kg/m.}$$

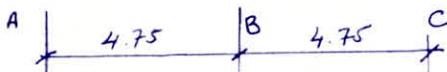
$$p = 0,2P \text{ avec } P = 500 \text{ kg/m}^2 \Rightarrow p = 100 \text{ kg/m}^2.$$

$$1,2p = 1,2 \times 100 \times 2,375 = 285 \text{ kg/m.}$$

$$\Rightarrow G + 1,2P = 2962,5 + 285 = 3247,5 \text{ kg/m} = 3,25 t/m.$$

Donc $q = 3,25 t/m.$

$$q = 3,25 t/m.$$



Pour appliquer les règles forfaitaires du C.C.B.A 68 art. 55 on doit vérifier les 4 conditions suivante à savoir :

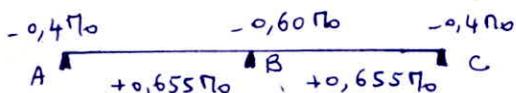
1°) Surcharges < 1,5 charges permanentes (condition vérifiée)

2°) Fixation non préjudiciable (condition vérifiée)

3°) Section constante sur toute la longueur de la portée. (condition vérifiée)

4°) $0,8 < \text{rapport des portées} < 1,25$. (condition vérifiée)

Les 4 conditions étant vérifiées, on peut appliquer les règles forfaitaires du C.C.B.A 68.



$$\text{calculons } \eta_0 : \quad \eta_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{3,25 \times 4,75^2}{8} = 9,17 \text{ t.m.}$$

$$\eta_A = -0,4 \times 9,17 = -3,668 \text{ t.m.} = \eta_c.$$

$$\eta_B = -0,6 \times 9,17 = -5,502 \text{ t.m.}$$

$$\eta_{tAB} = \eta_{tBC} = +0,655 \times 9,17 = 6,1 \text{ t.m.}$$

Determination du ferrailage :

• Section en travée: calculons $\mu = \frac{\eta}{\bar{A}bh^2} = \frac{15 \times 6100 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 57^2} = 0,04023$.

$\gamma = 0,0403 \rightarrow k = 43,6 ; q = 0,2560 ; \varepsilon = 0,9147$
 On déduit la section d'acier: $A = \frac{\eta}{Eh\bar{\sigma}_a} = \frac{6100 \times 10^2}{0,9147 \times 57 \times 28 \times 10^2} = 4,18 \text{ cm}^2 \rightarrow \boxed{4T12}$ avec $A = 4,52 \text{ cm}^2$

• Section sur appui intermédiaire: (chapeaux)

$M_B = -5,502 \text{ t.m.} \rightarrow \mu = \frac{15 \times 5502 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 57^2} = 0,03628$. D'après les tableaux on a:

$\gamma = 0,0363 \rightarrow k = 46,4 ; q = 0,2443 ; \varepsilon = 0,9186$
 On déduit la section d'acier nécessaire: $A = \frac{\eta}{Eh\bar{\sigma}_a} = \frac{5502 \times 10^2}{0,9186 \times 57 \times 28 \times 10^2} = 3,75 \text{ cm}^2$

→ $\boxed{2T12 + 2T10}$ avec $A = 3,83 \text{ cm}^2$.

• Section sur appui de rive (chapeaux):

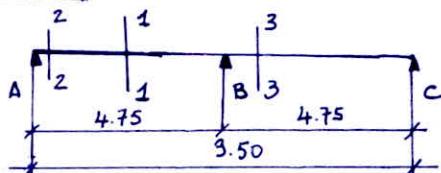
$\Pi_A = -3,668 \text{ t.m} = \Pi_c$.

$\mu = \frac{15 \times 3668 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 57^2} = 0,02419$. D'après les tableaux, on déduit: $k = 58,5$

$q = 0,2041 ; \varepsilon = 0,9320$

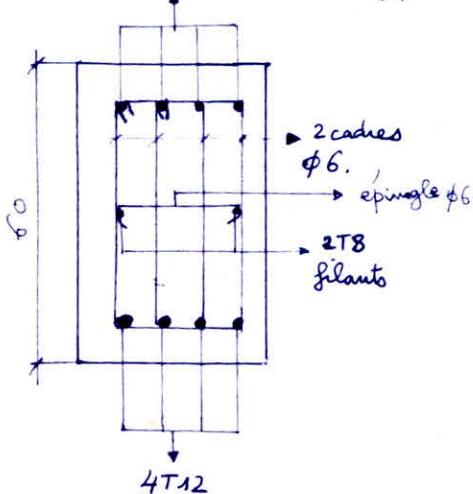
On déduit la section d'acier nécessaire: $A = \frac{\eta}{Eh\bar{\sigma}_a} = \frac{3668 \times 10^2}{0,9320 \times 57 \times 28 \times 10^2} = 2,46 \text{ cm}^2$

→ $\boxed{4T10}$ avec $A = 3,14 \text{ cm}^2$.

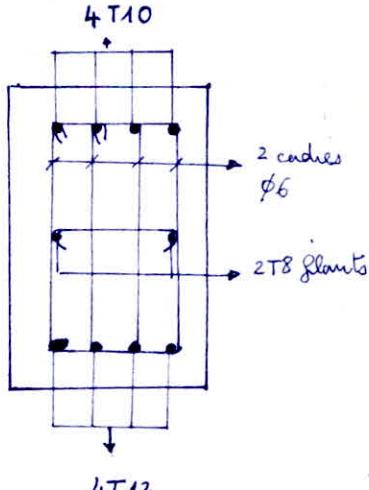


Section 1-1.

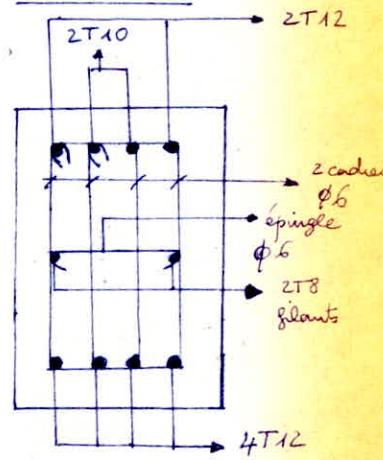
4T8 (base de montage)



Section 2-2.



Section 3-3.



• vérification des contraintes dans le béton-

section en travée: $\sigma_b' = \frac{\sigma_a}{k\eta} = \frac{2800}{43,6} = 64,22 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2$.
 $\sigma_{by} = \frac{\sigma_a}{0,875bh^2\alpha} = \frac{6100 \times 10^2}{0,875 \times 25 \times 57^2 \times 0,256} = 33,53 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_{b0}' = 68,5 \text{ kg/cm}^2$.

section sur appuis: à l'appui A: $\sigma_b' = \frac{2800}{58,5} = 47,86 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2$.

à l'appui B: $\sigma_b' = \frac{2800}{46,4} = 60,34 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137 \text{ kg/cm}^2$.

- Etude de L'Effort Tranchant :

L'effort tranchant maximum a pour valeur : $T_{\max} = T_B d = \frac{q l}{2} + \frac{\pi_B - \pi_C}{l}$

$$T_{\max} = 7,72 + \frac{5,502 - 3,68}{4,75} = 8,1 t = 8100 \text{ kg.}$$

La contrainte tangentielle maximale a pour valeur :

$$\sigma_{\max} = \frac{T}{b_3} = \frac{8100}{0,875 \times 57 \times 25} = 6,5 \text{ kg/cm}^2$$

comme $\sigma_b < \sigma_{b_0} \Rightarrow \bar{\sigma}_b = 3,5 \bar{\sigma}_b = 3,5 \times 5,9 = 20,65 \text{ kg/cm}^2$. On a : $\sigma < \bar{\sigma}_b$ (condition vérifiée)

$$\sigma_{\text{at}} = \sigma_{\text{en}} \text{ avec } \sigma_{\text{at}} = 1 - \frac{\sigma_b}{9\bar{\sigma}_b} = 1 - \frac{6,5}{9 \times 5,9} = 1 - 0,1224 = 0,878$$

$$\sigma_{\text{at}} = 2400 \times 0,878 = 2107 \text{ kg/cm}^2.$$

On prend 2 cadres $\phi 6 \Rightarrow A_t = 1,13 \text{ cm}^2 \Rightarrow$ on déduit l'espacement $t = \frac{A_t / 3 \sigma_{\text{at}}}{T}$

$$t = \frac{1,13 \times 0,875 \times 57 \times 2107}{8100} = 14,66 \text{ cm.} \quad \text{On prend } t = 13 \text{ et on adoptera la}$$

répartition de CAQUOT - on a $\frac{l}{2} = \frac{4,75}{3 \times \frac{2}{13}} = 2,375 \text{ m} \approx$ on prend : 3.

La répartition sera la suivante : $3 \times 13 ; 3 \times 16 ; 3 \times 20 ; 3 \times 25 ; 3 \times 35$ etc...

Ancrage des armatures :

$$l_d = \frac{\phi}{4} \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_d} = \frac{1,2 \times 2800}{4 \times 16,6} = 50,60 = 51 \text{ mm} \quad (\phi = 12 \text{ mm})$$

$$l_d = \frac{1 \times 2800}{4 \times 16,6} = 42,16 \text{ mm} = 43 \text{ mm} \quad (\phi = 10 \text{ mm}).$$

Calcul de la longueur L_3 .

Descente de charge : poids propre de L_3 : $0,25 \times 0,60 \times 2500 = 375 \text{ kg/m.}$

Poids du m² extérieur : $2,85 \times 0,25 \times 1800 \times 1,00 = 1282,5 \text{ kg/m.}$

$$G = 1657,5 \text{ kg/m.}$$

La longueur prend 20% des surcharges sur la dalle

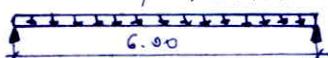
$$p = 0,2 P = 0,2 \times 500 = 100 \text{ kg/m}^2$$

$$1,2 p = 1,2 \times 100 \times 3 = 360 \text{ kg/m.}$$

$$\text{d'où } G + 1,2 p = 2017,5 \text{ kg/m.}$$

$$G + 1,2 p = 2,02 t / m.$$

$$q = 2,02 \text{ t/m}$$



$$\pi_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{2,02 \times 6^2}{8} = 9,1 t \cdot m.$$

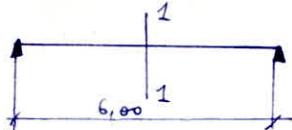
$$\mu = \frac{15 \times 9100 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 57^2} = 0,06. \quad \text{D'après les tableaux on déduit :}$$

$$k = 34,2; \alpha = 0,3049; \varepsilon = 0,8984$$

$$\text{On déduit la section d'acier nécessaire en tôle :} \quad A = \frac{\pi}{\varepsilon h \bar{\sigma}_a} = \frac{9100 \times 10^2}{0,8984 \times 57 \times 28 \times 10^2} =$$

$$A = 6,35 \text{ cm}^2. \rightarrow [2T16 + 2T14] \text{ avec } A = 7,09 \text{ cm}^2.$$

Longueur L₃ (suite)



section 1-1

Vérification des contraintes dans le béton :

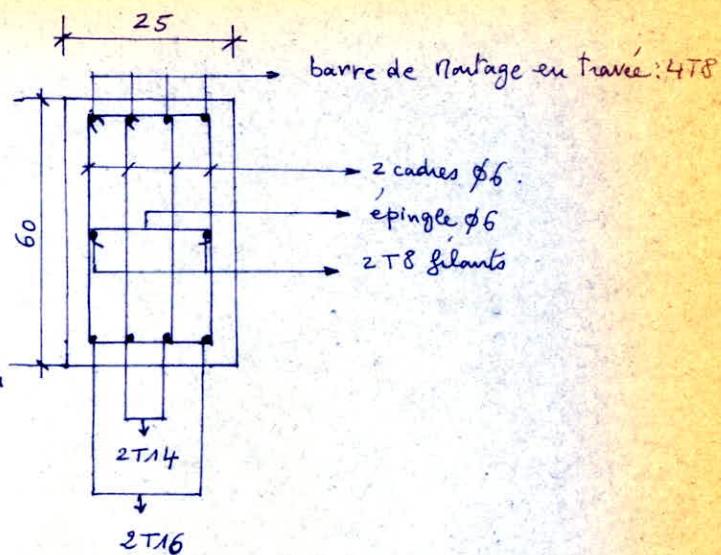
On doit vérifier les 2 conditions suivantes :

$$\sigma_b' < \bar{\sigma}_b = 137 \text{ kg/cm}^2 \text{ et } \sigma_m' < \bar{\sigma}_{b0} = 68,5 \text{ kg/cm}^2$$

$$\text{on a } \sigma_b' = \frac{\sigma_a}{f_c} = \frac{2800}{34,2} = 81,87 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\sigma_m' = \frac{\pi}{0,875 h^2 b a} = \frac{9100 \times 10^2}{0,875 \times 57^2 \times 25 \times 0,3049} =$$

$$\sigma_m' = 42 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_{b0} = 68,5 \text{ kg/cm}^2 \text{ (condition vérifiée).}$$



Etude de l'effort tranchant :

L'effort tranchant maximum a pour valeur : $T_{\max} = \frac{q_f}{2} = \frac{2,02 \times 6}{2} = 6060 \text{ kg.}$

$$\sigma_c = \frac{T}{b_3} = \frac{6060}{0,875 \times 57 \times 25} = 4,86 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\text{Sat} = f_{ctm} = \left(1 - \frac{\sigma_b}{\bar{\sigma}_b}\right) \sigma_{tm} = \left(1 - \frac{4,86}{90,6}\right) 2400 = (1 - 0,0915) 2400 = 2180,4 \text{ kg/cm}^2$$

$$t = \frac{1,13 \times 0,875 \times 57 \times 2180,4}{6060} \quad (\text{on prend 2 cadres ø6} \Rightarrow A_t = 1,13 \text{ cm}^2)$$

$$t = 20,28 \text{ cm}$$

$$0,2h \leq t \leq h \left(1 - \frac{0,3\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_b}\right)$$

$$\bar{t} = h \left(1 - \frac{0,3\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_b}\right) = 57 \left(1 - \frac{0,3 \times 4,86}{5,9}\right) = (1 - 0,247) 57 = 43,9 \text{ cm.}$$

On prendra $t = 20 \text{ cm}$ et on adoptera la répartition de CAGUOT. $\frac{l}{2} = \frac{6}{2} = 3 \text{ m.}$

$3 \times 20 ; 3 \times 25 ; 3 \times 35 \text{ etc.}$

Ancrage des armatures :

$$l_d = \frac{\phi}{4} \cdot \frac{\sigma_a}{\bar{\sigma}_d} = \frac{1,6 \times 2800}{4 \times 16,6} = 67,47 \text{ cm} \quad \text{on prend } l_d = 68 \text{ cm} \quad (\phi 16)$$

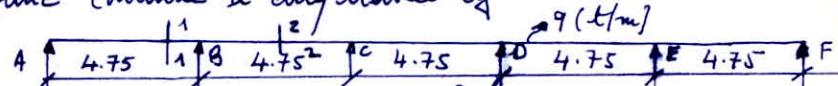
comme nous disposons d'une largeur d'affut de 25 cm seulement, on prévoira un retour d'épierre.

Le calcul de la longueur L₂ a été effectué avec le Portugue PQZ.

• Calcul de la Longine L₄

La longine L₄ est une longine continue à cinq travées égales.

Descente de charges :



- Poids propre de la longine : $0,25 \times 0,50 \times 2500 = 312,5 \text{ kg/m}$.

- Poids propre du mur extérieur : $0,25 \times 5,75 \times 1800 \times 1,50 = 2587,5 \text{ kg/m}$.

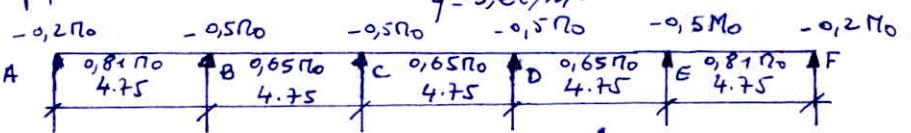
On déduit $G = 2900 \text{ kg/m}$. $= 2,9 \text{ t/m}$.

$$P = 0,2P = 0,2 \times 500 = 100 \text{ kg/m}^2 \rightarrow 1,2P = 120 \times \frac{4,75}{2} = 285 \text{ kg/m}.$$

$$G + 1,2P = 3,185 \text{ t/m.} \quad \text{on prend } g = 3,2 \text{ t/m.}$$

Les 4 conditions imposées dans le C.C.B.A 68 étant vérifiées, on peut appliquer les règles infinitaires du C.C.B.A 68. La section de la longine a pour valeur : 25×50

$$q = 3,2 \text{ t/m.}$$



$$\text{calcul de } \pi_0 : \pi_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{3,2 \times 4,75^2}{8} = 9,025 \text{ t.m.}$$

$$\pi_A = \pi_F = -1,805 \text{ t.m.}$$

$$\pi_B = \pi_C = \pi_D = \pi_E = -4,512 \text{ t.m.}$$

$$\pi_{t_{DE}} = \pi_{t_{BC}} = \pi_{t_{CD}} = 0,65 \times 9,025 = 5,87 \text{ t.m.}$$

$$\pi_{t_{AB}} = \pi_{t_{EF}} = 7,31 \text{ t.m.}$$

Détermination des armatures longitudinales :

Secteur en travée :

Détermination du Fenêtrage :

$$\pi_{t_{AB}} = \pi_{t_{EF}} = 0,81\pi_0 = 0,81 \times 9,025 = 7,31 \text{ t.m.}$$

$$\mu = \frac{15\pi}{\sigma_a b h^2} = \frac{15 \times 7310 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 47^2} = 0,071. \text{ D'après les tableaux on déduit :}$$

$$k = 30,8; \alpha = 0,3275; \varepsilon = 0,8908 \quad \text{On déduit la section d'acier nécessaire :}$$

$$A = \frac{\pi}{\varepsilon k \sigma_a} = \frac{7310 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 0,8908 \times 47} = 6,24 \text{ cm}^2. \rightarrow [2T16 + 2T14] \text{ avec } A = 7,09 \text{ cm}^2$$

Vérification des contraintes dans le béton :

$$\sigma'_b = \frac{\sigma_a}{k} = \frac{2800}{30,8} = 90,91 \text{ kg/cm}^2 < 137 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{condition vérifiée.})$$

$$\sigma'_m = \frac{\pi}{0,875 b h^2 \alpha} = \frac{7310 \times 10^2}{0,875 \times 25 \times 47^2 \times 0,3275} = 46,19 \text{ kg/cm}^2 < 68,5 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{condition vérifiée.})$$

$$\pi_{t_{BC}} = \pi_{t_{CD}} = \pi_{t_{DE}} = 5,87 \text{ t.m.}$$

$$\mu = \frac{15\pi}{\sigma_a b h^2} = \frac{15 \times 5870 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 47^2} = 0,057. \text{ D'après les tableaux on déduit :}$$

$$k = 35,2; \alpha = 0,2988; \varepsilon = 0,9004. \Rightarrow d'au A = \frac{5870 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 47 \times 0,9004} = 4,95 \text{ cm}^2.$$

$$\rightarrow [2T14 + 2T12] \text{ avec } A = 5,33 \text{ cm}^2$$

Vérification des contraintes dans le béton : $\sigma'_b = \frac{2800}{35,2} = 79,54 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2$.

$$\sigma'_m = \frac{5870 \times 10^2}{0,875 \times 25 \times 0,2988 \times 47^2} = 40,65 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_m = 68,5 \text{ kg/cm}^2.$$

Secteur sur appui intermédiaire : Détermination du Fenajillage :

$$\Pi = -4,512 t \cdot m \quad \mu = \frac{15 \times 4512 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 47^2} = 0,04376$$

On déduit d'après les tableaux : $k = 41,4$; $\alpha = 0,2659$; $\varepsilon = 0,9114$.

$$\rightarrow A = \frac{\Pi}{Eh\bar{\sigma}\alpha} = \frac{4512 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 0,9114 \times 47} = 3,76 \text{ cm}^2 \rightarrow \boxed{2T12 + 2T10} \text{ avec } A = 3,83 \text{ cm}^2.$$

Secteur sur appui de rideau : Détermination du Fenajillage :

$$M = 1805 \times 10^2 \text{ kg.cm} \quad \mu = \frac{15 \times 1805 \times 10^2}{28 \times 10^2 \times 25 \times 47^2} = 0,01750. \text{ D'après les tableaux, on déduit :}$$

$$k = 70,5; \alpha = 0,1754; \varepsilon = 0,9415$$

$$A = \frac{\Pi}{Eh\bar{\sigma}\alpha} = \frac{1805 \times 10^2}{0,9415 \times 47 \times 28 \times 10^2} = 1,48 \text{ cm}^2$$

$A = 1,48 \text{ cm}^2 \rightarrow \boxed{4T8}$ avec $A \approx 2,01 \text{ cm}^2$. Les 4T8 seront prolongés en travée car les bâmes T8 constituent des bâmes de montage.

Vérification des contraintes dans le béton :

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{41,4} = 67,63 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2800}{70,5} = 39,72 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137 \text{ kg/cm}^2.$$

Étude de l'effort tranchant :

$$T_{\max} = \frac{qP}{2} + \frac{0,5T_0 - q_2T_0}{4,75} = \frac{qP}{2} + \frac{0,3T_0}{4,75} = \frac{3,2 \times 4,75}{2} + \frac{0,3 \times 9,025}{4,75} =$$

$$T_{\max} = 7,6t + 0,57 = 8,17t = 8170 \text{ kg.}$$

$$\text{La contrainte tangentielle maximale est égale : } \sigma_{\max} = \frac{8170}{0,875 \times 47 \times 25} = 7,95 \text{ kg/cm}^2$$

La contrainte de traction admissible est égale à :

$$\sigma_{at} = f_{at} = 2400; f_{at} = 1 - \frac{\sigma_b}{9\bar{\sigma}_b} = 1 - \frac{7,95}{9 \times 5,9} = 1 - 0,15 = 0,85$$

$$\sigma_{at} = 0,85 \times 2400 = 2040 \text{ kg/cm}^2. \text{ On prend } At = 2 \text{ cadres} \phi 6 = 1,13 \text{ cm}^2.$$

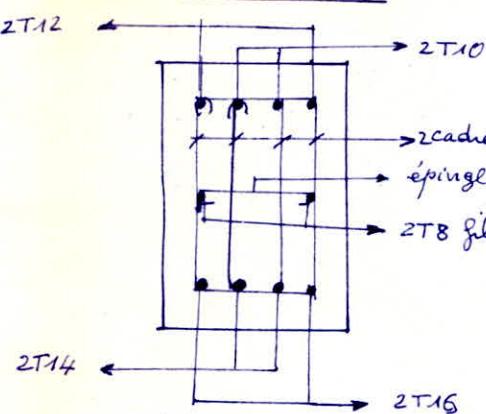
$$\text{l'écartement } t \text{ est égal à : } t = \frac{At \sigma_{at}}{T} = \frac{1,13 \times 0,875 \times 47 \times 2040}{8170} = 11,60 \text{ cm}$$

On adoptera la répartition de T-Cagnot. La demi-pente est égale à 2,375

On prend la répartition suivante : 3x11; 3x13; 3x16; 3x20 etc...

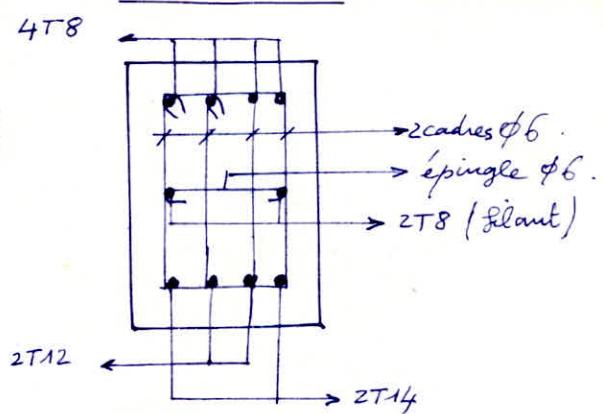
Le calcul de la longueur L_5 sera analogue à la longueur L_4 .

Section 1-1



Longrine L₄: Travee de rive.

Section 2-2

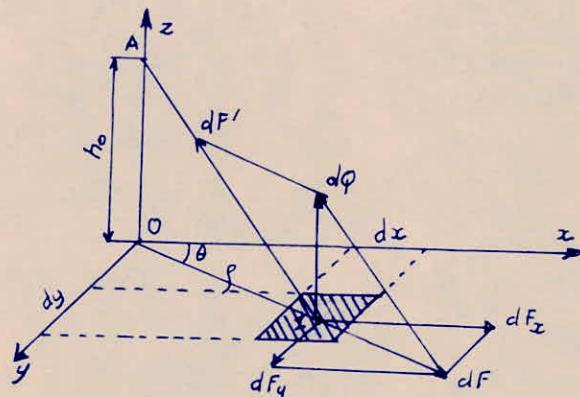


Longrine L₄: Travee intermediaire.

Dans notre étude, on appliquera pour le calcul des semelles la Méthode des bielles.
Exposé théorique de la Méthode:

Méthode de calcul: Rapportons la semelle à trois axes rectangulaires : oz dirigé suivant la verticale passant par l'axe de la semelle, ox et oy parallèles aux bords. Prenons sur oz la longueur h_0 , le point A qui détermine la valeur de h_0 .
 Considérons un élément de la semelle, de dimensions dx et dy et de centre I. Si σ est la contrainte du sol, $\sigma = \frac{Q}{B_x B_y}$, (B_x plus grand côté du rectangle; B_y le petit côté du rectangle).

La réaction du sol sur l'élément envisagé a pour valeur: $dG = \sigma dx dy = \frac{Q}{B_x B_y} dx dy$.



Décomposons dG en dF' suivant la bille IA et dF dans le plan xoy . Nous avons:
 $\frac{dF}{dG} = \frac{\text{OI}}{h_0}$ (triangles semblables) d'où: $dF = \frac{Q}{B_x B_y} dx dy \cdot \frac{\text{OI}}{h_0}$

Décomposons maintenant dF parallèlement aux axes ox et oy . $dF_x = dF \cos \theta = dF \cdot \frac{x}{\text{OI}} = \frac{Q}{B_x B_y} \cdot \frac{x}{h_0} dx dy \Rightarrow F_x = \frac{Q}{B_x B_y h_0} \int_{-\frac{B_y}{2}}^{\frac{B_y}{2}} \frac{By}{2} dy \int_0^{\frac{B_x}{2}} x dx = F_x = \frac{Q}{B_x B_y h_0} \int_{-\frac{B_y}{2}}^{\frac{B_y}{2}} \frac{By}{2} dy \int_0^{\frac{B_x}{2}} \frac{B_x}{2} dx = \frac{Q}{B_x B_y h_0} \cdot B_y \cdot \frac{B_x^2}{8} = \frac{QB_x}{8h_0}$.

mais: $\frac{ht - d_1}{h_0} = \frac{B_x - b_x}{B_x}$.
 (Triangles semblables).

d'où: $F_x = \frac{Q(B_x - b_x)}{8(ht - d_1)}$

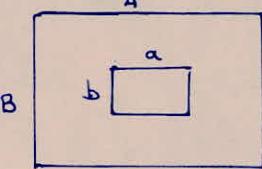
Si au lieu de dF_x , nous considérons maintenant la composante dF_y de dF parallèle à oy nous obtenons

$$F_y = \frac{Q(By - by)}{8(ht - d_1)}$$

Les armatures seront constituées par 2 nappes superposées de barres orthogonales et parallèles aux côtés. La section totale des armatures parallèles à ox , c'est à dire au grand côté aura pour valeur: $A_x = \frac{F_x}{\sigma_a}$ (avec $\sigma_a = \frac{3}{5} \sigma_c$)

La section des armatures parallèles à oy c'est à dire au petit côté: $A_y = \frac{F_y}{\sigma_a}$
 avec ($\sigma_a = \frac{3}{5} \sigma_c$)

• Soient a et b les côtés des montants des portiques. Les semelles seront calculées de façon que l'on ait : $\frac{A}{B} = \frac{a}{b} = k$ (A et B étant les dimensions des semelles). Prenons comme poids propre de la semelle égal à $4t$.



| N° Portiques. | Montants ou Poteaux | charge totale par montant (t) | Poids de la Semelle (t) | charge totale par montant + Poids propre de la Semelle (t) | Section : $S = \frac{P_e}{\sigma_s}$ (cm²) | Dimensions AxB (m) | Dimensions adoptées AxB (m) |
|---|---------------------------------|-------------------------------|-----------------------------|--|--|-------------------------|-----------------------------|
| PQ11. | A ₁₁ | 16t | 4t | 20t | 10.000 | 1,42x0,71 | 1,6x0,8 |
| PQ10. | A ₁₀ | 25t | 4t | 29t | 14500 | 1,71x0,86 | 1,8x0,9 |
| PQ9. | A ₉ | 25t | 4t | 29t | 14500 | 1,71x0,86 | 1,8x0,9 |
| PQ8. | A ₈ | 25t | 4t | 29t | 14500 | 1,71x0,86 | 1,8x0,9 |
| PQ7. | A ₇ | 25t | 4t | 29t | 14500 | 1,71x0,86 | 1,8x0,9 |
| PQ4 | A ₄ | 25t | 4t | 29t | 14500 | 1,71x0,86 | 1,8x0,9 |
| PQ3 | A ₃ | 25t | 4t | 29t | 14500 | 1,71x0,86 | 1,8x0,9 |
| PQ2 | A ₂₁ | 14t | 4t | 18t | 9000 | 0,95x0,95 | 1x1 |
| A ₂₁ A ₂₂ A ₂₃ A ₂₄ | A ₂₂ | 54t | 4t | 58t | 29000 | 2,5x1,25 | 2,5x1,25 |
| | A ₂₃ | 54t | 4t | 58t | 29000 | 2,50x1,25 | 2,5x1,25 |
| | A ₂₄ | 14t | 4t | 18t | 9000 | 0,95x0,95 | 1x1 |
| PQ5 = PQ6 on adoptera une semelle filante entre les montants | A ₅ + A ₆ | 32t | 8t | 40t | 20.000 | 1,45x1,45 | 1,45x1,45 |
| semelle filante entre A ₁ et P ₂ | A ₁ + P ₂ | 26t | 8t | 34t | 17000 | 2,00x1,60 | 2x1 |
| N° Poteau | charge totale par poteau | Poids propre semelle | charge totale + p.p semelle | Section $S = \frac{P}{\sigma_s}$ (cm²) | Dimensions AxB (m) | Dimensions adoptées (m) | Section Poteau |
| P ₁ | 11t | 4t | 15t | 7500 | 0,9x0,9 | 1,00x1,00 | 25x25 |

* section des montants : A₁₁ = A₁₀ = A₉ = A₈ = A₇ = A₄ = A₃ = A₂₂ = A₂₃ = A₅ = A₆ = A₁ = 25x50 .

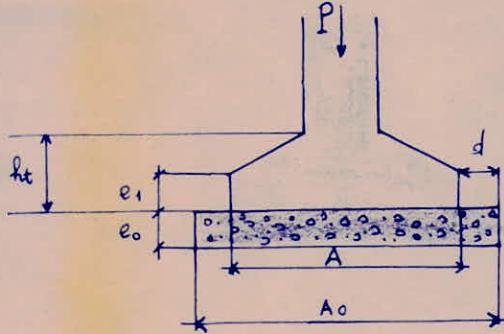
* section des poteaux : P₁ = P₂ = 25x25 = A₂₁ = A₂₄.

| Semelles | Sections. (cut) |
|----------|--------------------|
| S_1 | 160×80 . |
| S_2 | 100×100 . |
| S_3 | 180×90 . |
| S_4 | 145×145 . |
| S_5 | 145×100 . |
| S_6 | 250×125 . |
| S_7 | 100×100 . |
| S_8 | 200×100 . |

Calcul des semelles:

- Semelles du poteau PQ11: Les semelles des montants du poteau PQ11 sont des semelles isolées. Il en est de même pour les Poteaux: PQ2; PQ3; PQ4; PQ7; PQ8; PQ9; PQ10.

On dit avoir: $ht \geq 4 + \frac{160-50}{4} \geq 31,5$. On prend $ht = 50 \text{ mm}$.



Note: Pour le dosage du gros béton ou béton de propreté on prend 150 kg/m^3 . L'épaisseur du gros béton est égale à 10 mm. ($e_0 = 10 \text{ mm}$).

on prend $d = 10 \text{ mm}$ pour faire intervenir la longueur A de la semelle car d'après le cours on a:

si $e_0 \geq 1,5d$ on fait intervenir dans les calculs A_0 et non pas A. si $e_0 < 1,5d$ on prend A.
(on a: $10 \text{ mm} < 1,5 \times 10 < 15 \text{ mm}$). On prend $d = e_0 = 10 \text{ mm}$

Pour la hauteur du bord libre e_1 , on dit avoir:

$$e_1 \geq 6\phi + 6. \quad \text{On prend } e_1 = 25 \text{ mm}.$$

Pour les armatures on prend des aires $\bar{\sigma}_a$. $\sigma_{en} = 4200 \text{ kg/mm}^2$. Dans le cas où on applique la méthode des bielles pour la détermination des armatures on prend $\bar{\sigma}_a = \frac{3}{5} \sigma_{en}$

$$\Rightarrow \bar{\sigma}_a = 3 \times \frac{4200}{5} = 2520 \text{ kg/mm}^2.$$

Détermination des armatures:

$$\text{On a } P_t = 20t \Rightarrow F_x = \frac{20 \times 10^3 (160 - 50)}{8(50 - 4)} = \frac{22 \times 10^5}{46 \times 8} = 5978 \sim 6000 \text{ kg.}$$

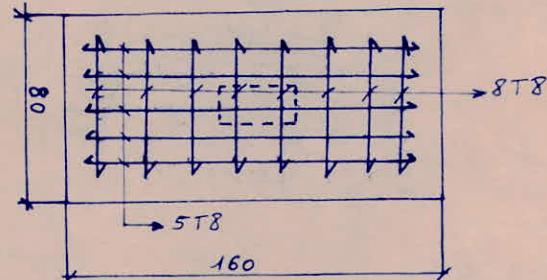
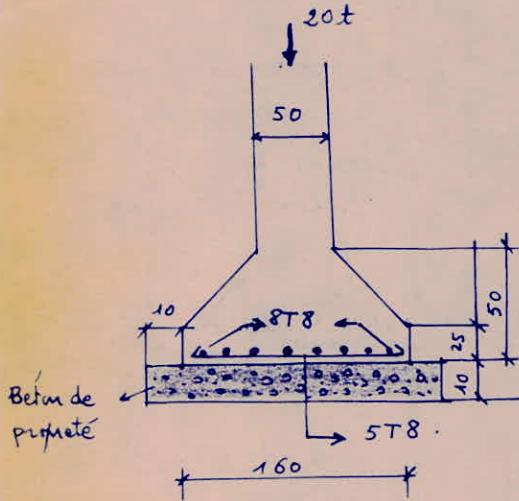
Montant: 25×50

semelle: 160×80

$$F_y = \frac{20 \times 10^3 (80 - 25)}{8(50 - 5)} = 3056 \text{ kg.}$$

$$\text{On deduit } A_x = \frac{F_x}{\bar{\sigma}_a} = \frac{6000}{2520} = 2,38 \text{ cm}^2 \rightarrow 5T8. \rightarrow A = 2,51 \text{ cm}^2.$$

$$A_y = \frac{F_y}{\bar{\sigma}_a} = \frac{3056}{2520} = 1,21 \text{ cm}^2 \rightarrow 8T8 \rightarrow A = 4,02 \text{ cm}^2.$$



- Semelles du Poteau PQ10 = PQ9 = PQ8 = PQ7 = PQ4 = PQ3.

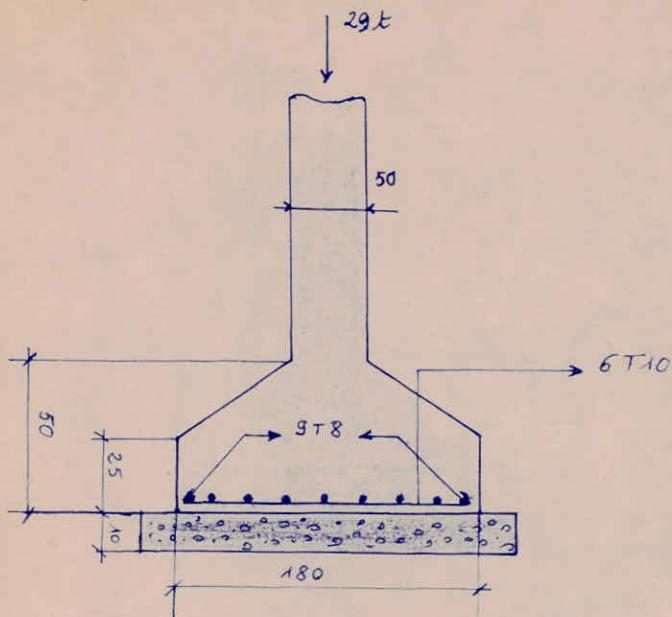
On a $P_t = 29t$ section de la semelle: $1,8 \times 0,9$
Section Montant: $0,25 \times 0,50$.

$$\text{On a } F_x = \frac{29 \times 10^3 (1,8 - 0,5)}{8(50 - 4)} = 10245 \text{ kg.} \quad F_y = \frac{29 \times 10^3 (0,9 - 0,25)}{8(50 - 5)} = 5236 \text{ kg.}$$

$$\text{On deduit } A_x = \frac{10245}{2520} = 4,07 \text{ cm}^2$$

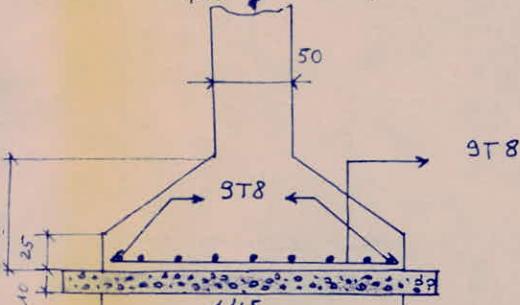
$$A_y = \frac{5236}{2520} = 2,08 \text{ cm}^2$$

on a troué : $A_{xc} = 4,07 \text{ cm}^2 \Rightarrow 6T10$ avec $A = 4,71 \text{ cm}^2$.
 $A_y = 2,08 \text{ cm}^2 \Rightarrow 9T8$ avec $A = 4,52 \text{ cm}^2$.



Portique PQS = Portique PQ6 : on a une semelle glante pour chaque portant des 2 portiques PQS et PQ6. on a $P = 40t$ (Section de la semelle glante : $1,45 \times 1,45$). En appliquant la méthode des bielles, on déduit : $F_x = F_y = \frac{40 \times 10^3 (145 - 50)}{8(50 - 4)} = 10326 \text{ kg}$. On déduit : $A_x = A_y =$

$$A_{xc} = A_y = \frac{10326}{40t} = 4,1 \text{ cm}^2 \Rightarrow 9T8 \text{ avec } A = 4,52 \text{ cm}^2.$$

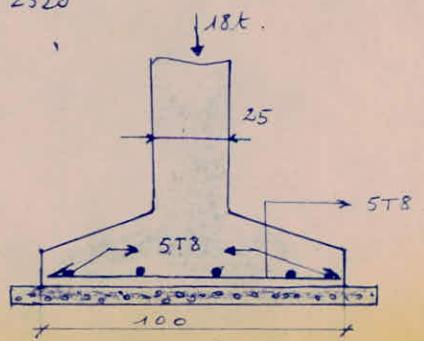
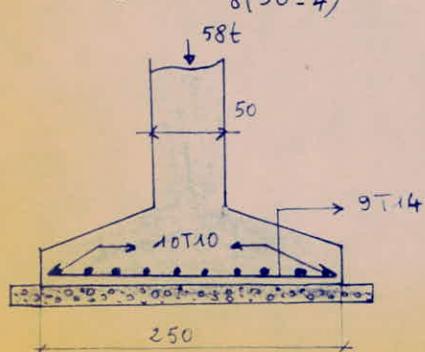


Portique PQ2 : considérons le portant A_{22} : section portant : 25×50 .
 $P = 58t$. section semelle : 250×125 . $\left\{ \begin{array}{l} F_x = \frac{58 \times 10^3 (250 - 50)}{8(50 - 4)} \\ F_y = \frac{58 \times 10^3 (125 - 25)}{8(50 - 5)} \end{array} \right.$

$$\text{on trouve: } F_x = 31522 \text{ kg} \Rightarrow A_x = \frac{31522}{2520} = 12,51 \text{ cm}^2 \Rightarrow 9T14 : A = 13,85 \text{ cm}^2$$

$$F_y = 16111 \text{ kg} \Rightarrow A_y = \frac{16111}{2520} = 6,4 \text{ cm}^2 \Rightarrow 10T10 : A = 7,85 \text{ cm}^2.$$

considérons le portant A_{21} : $P = 18t$. section portant : 25×25 ; section semelle $1,00 \times 1,00$.
 $F_x = F_y = \frac{18 \times 10^3 (100 - 25)}{8(50 - 4)} = 3669 \text{ kg} \Rightarrow A_x = A_y = \frac{3669}{2520} = 1,45 \text{ cm}^2 \Rightarrow 5T8 \Rightarrow A = 2,51 \text{ cm}^2$.



Departement Genie Civil

Projet De Fin D'études

Salle Polyvalente

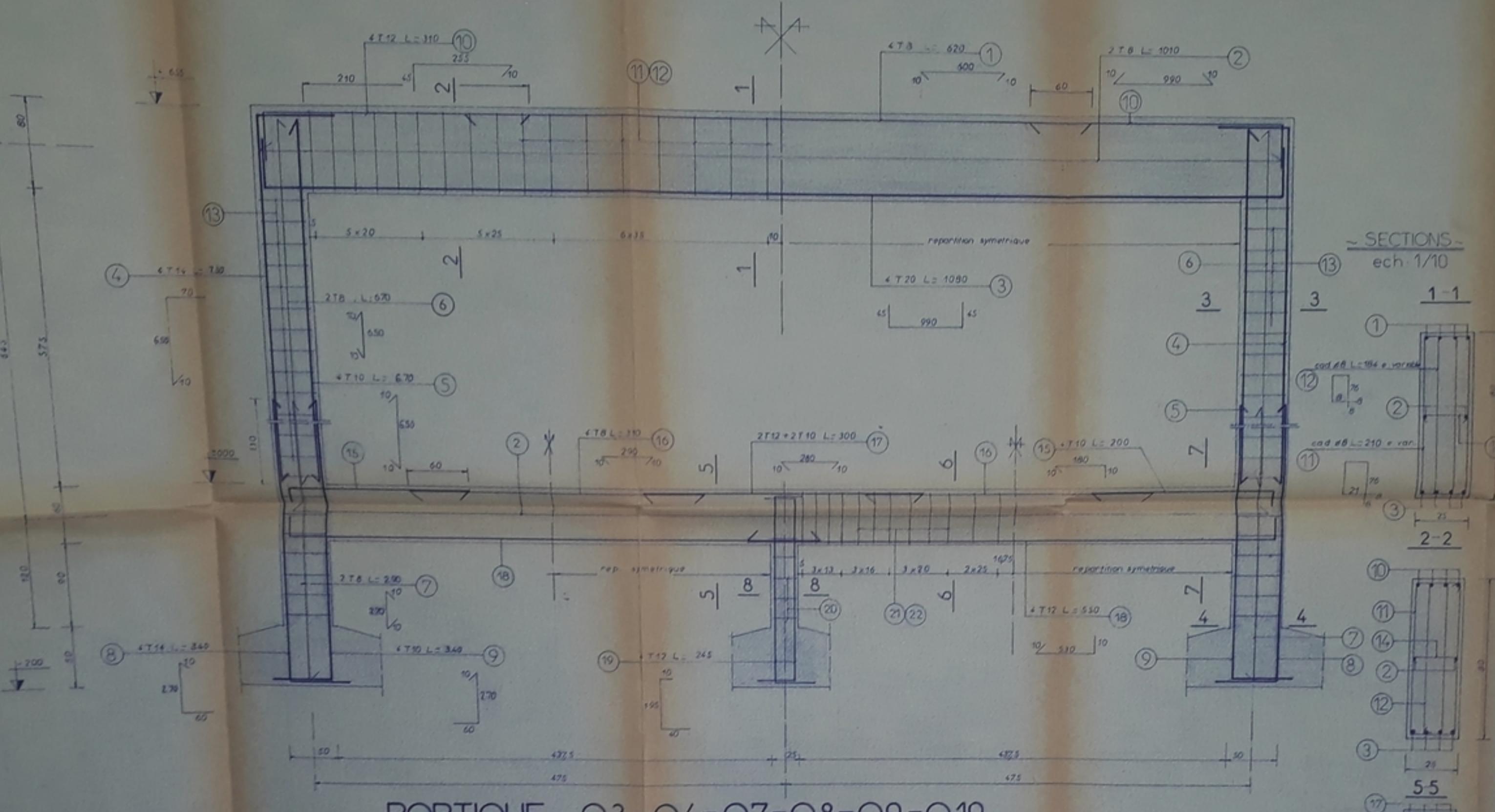
PORTIQUES (Bloc B+A)

COF-FER

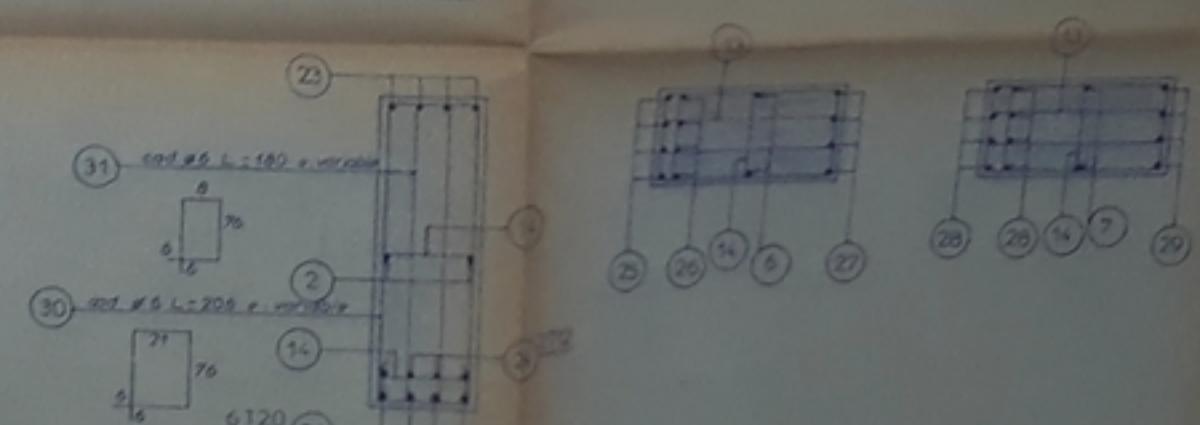
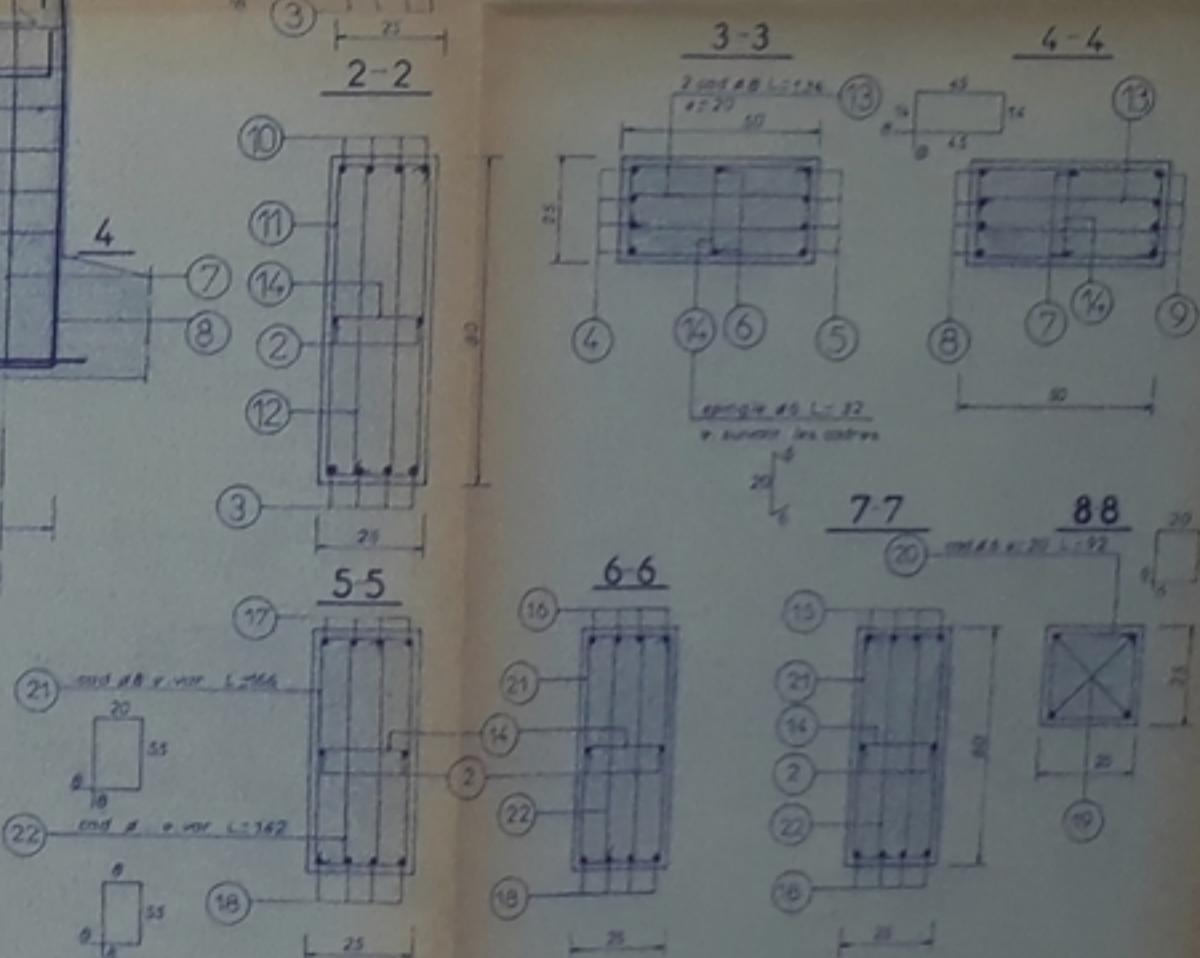
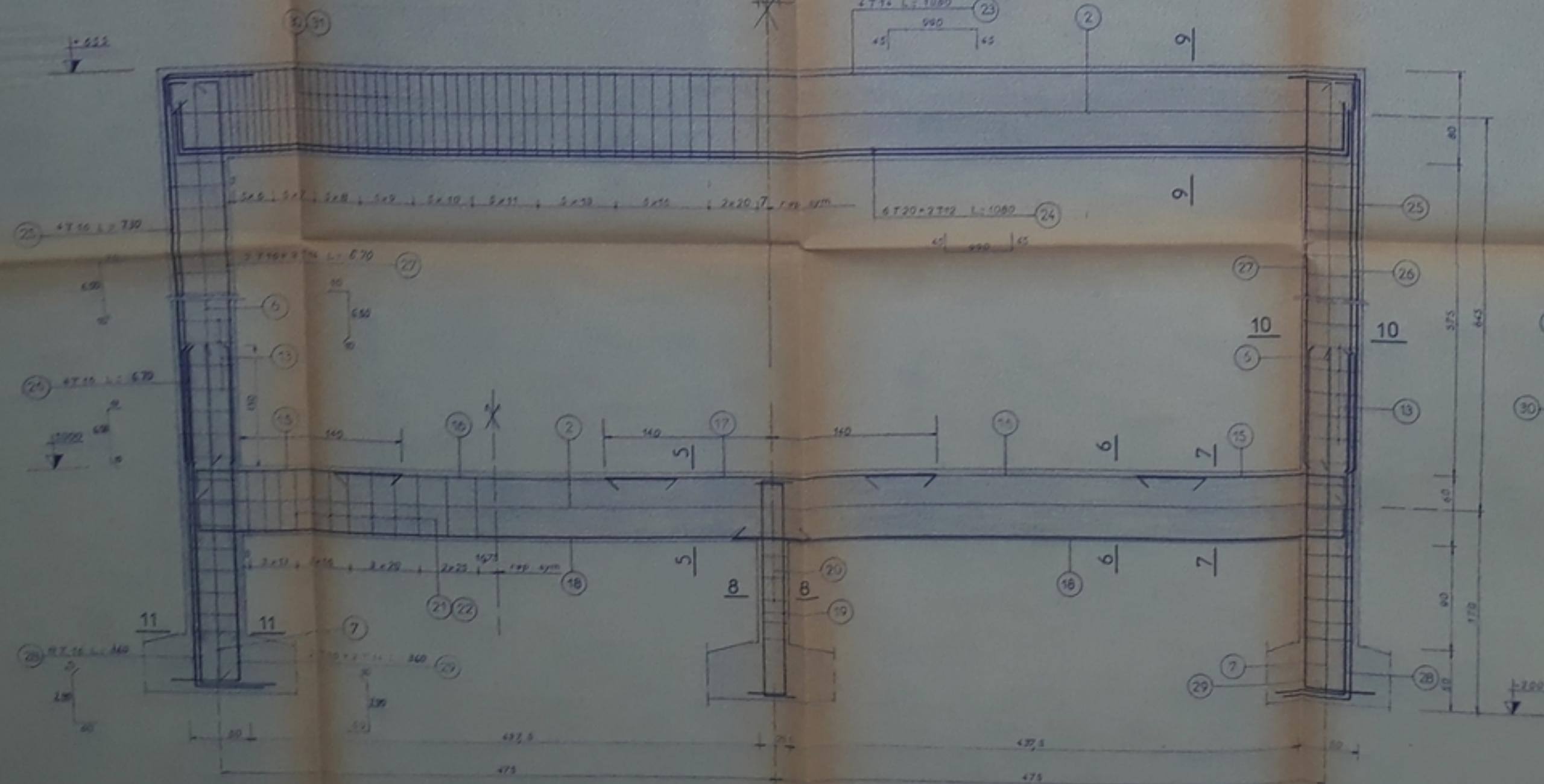
PROMOTEUR: ION UNGUREANU
DOCTEUR INGENIEUR

FAIT PAR

DIFALLAH Mohamed

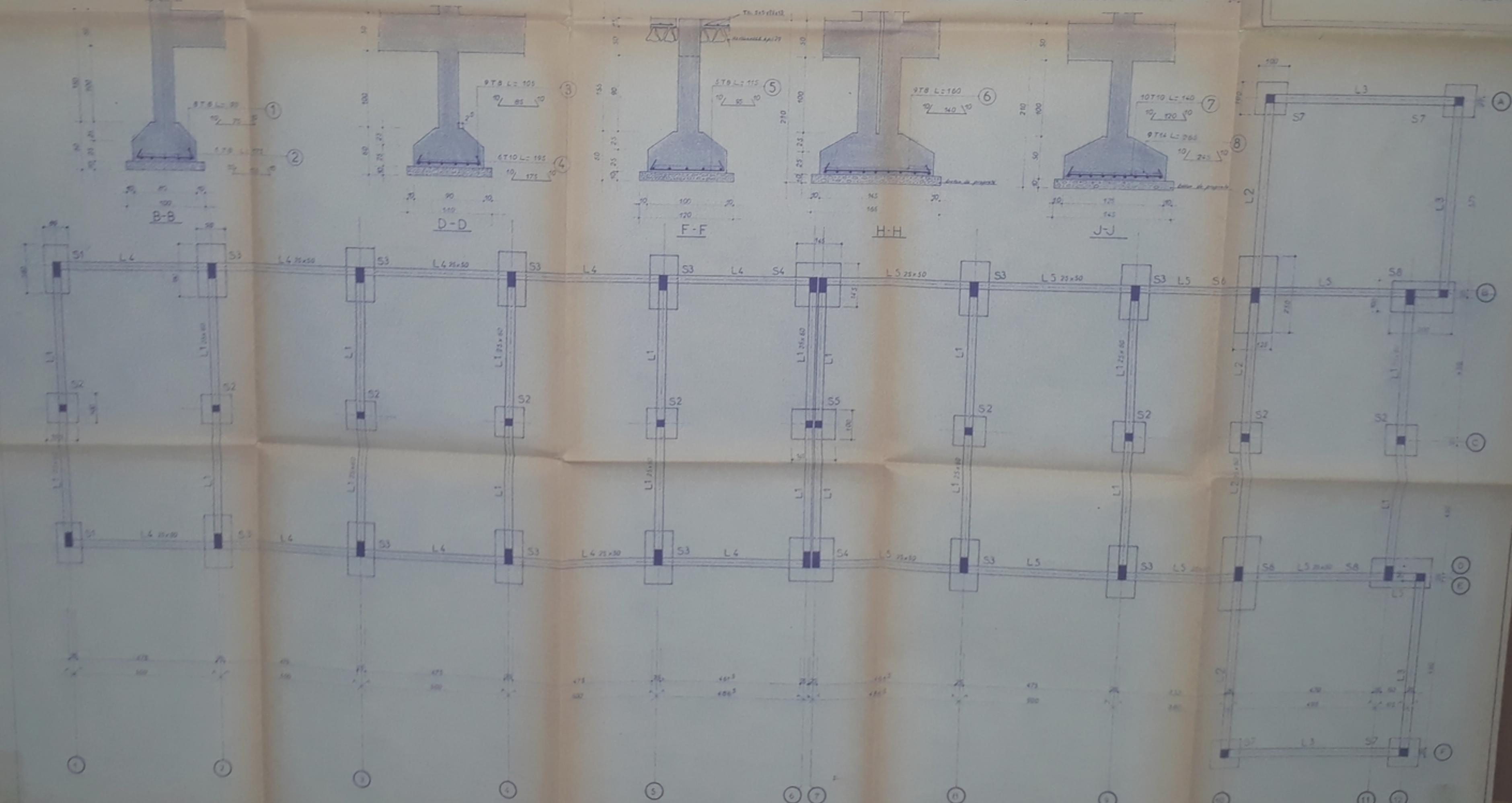
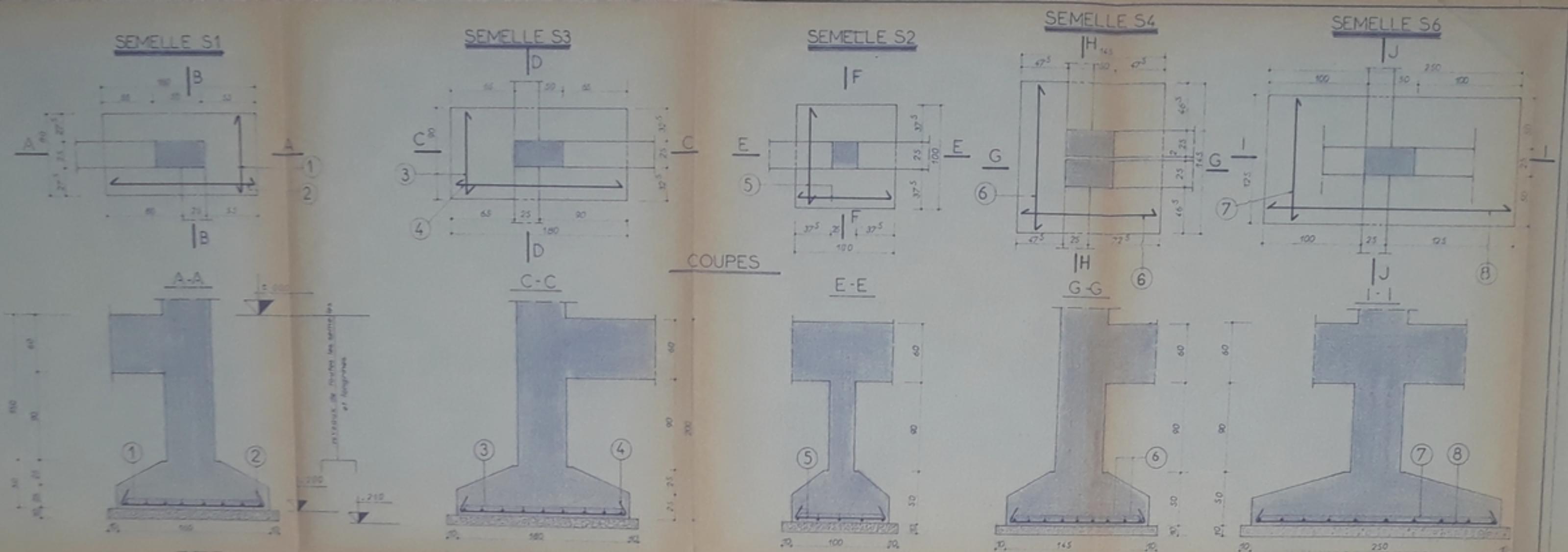


PORTIQUE : Q3=Q4=Q7=Q8=Q9=Q10



PLAN DE FONDATION

COF — FER.

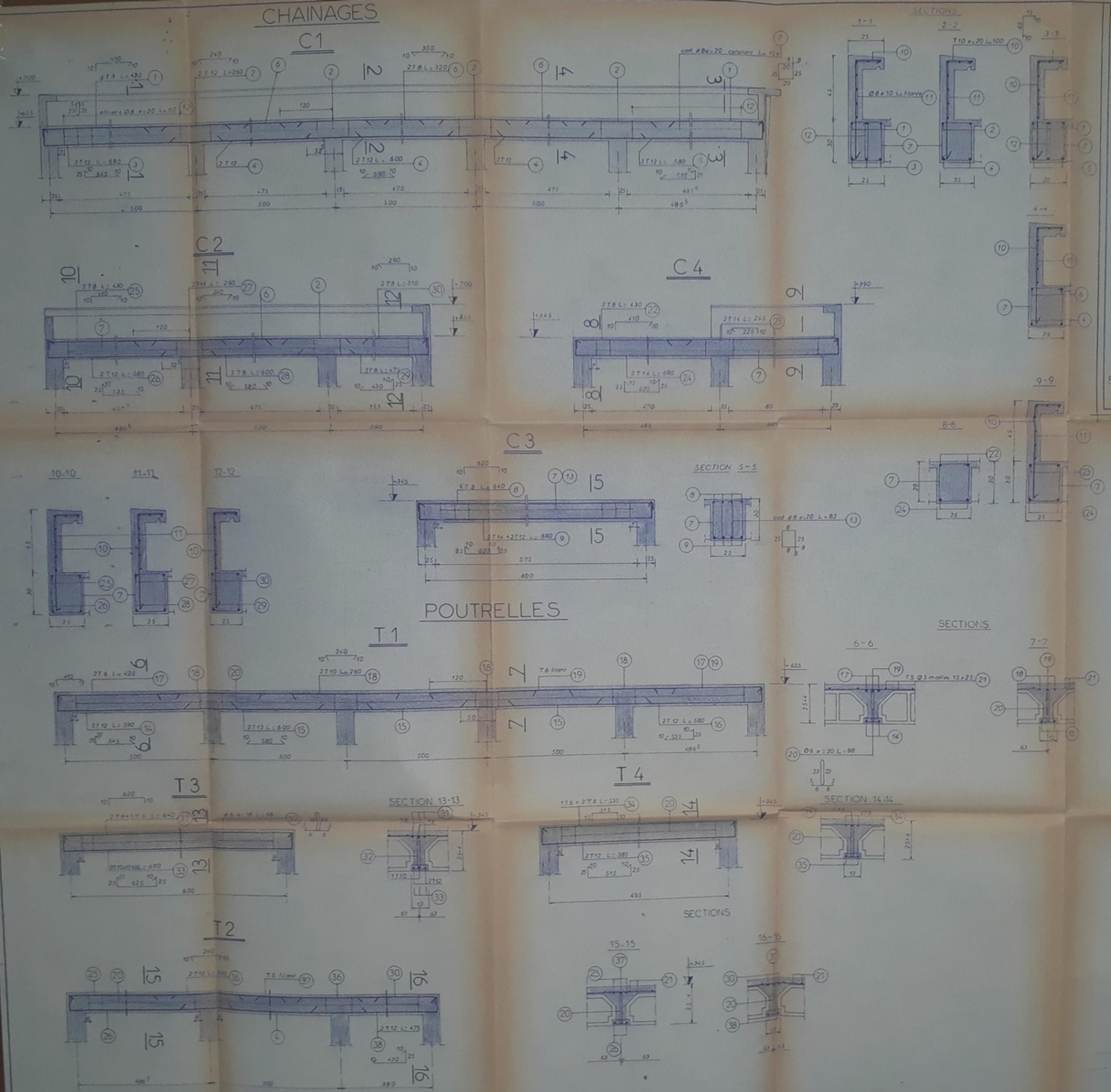
PROMOTEUR: M. LUGUERANO
DOCTEUR ENGENIEURFAIT PAR
DARALLAH MOHAMED

- CHAINAGES
- POUTRELLES
- ACCROTERES

COF - FER

PROMOTEUR ION INGUREAU
DOCTEUR INGENIEUR

FAIT PAR
DIFALLAH Mohamed



PROJET DE FIN D'ETUDES

Salle polyvalente

PORTIQUE-Q2

COF - FER

BLOC A

PROMOTEUR : MON INGENIEUR
DOCTEUR INGENIEUR

FAIT PAR

DIFAL LAH-Mohamed

