UNIVERSITE DES SCIENCES ET DE LA TECHNOLOGIE HOUARI BOUMEDIENNE (U.S.T.H.B) ALGER

INSTITIT DE GENIE MECANIQUE

المدرسة الوطنية المتددة التقنيبات المكتبية — BIBLIOTHEQUE المكتبية — Ecolo Nationale Polytechnique

PROJET

DE FIN D'ETUDES EN VUE DE L'OBTENTION DU DIPLOME D'INGENIORAT D'ETAT

OPTION: CONSTRUCTION MECANIQUE

1 Coc

THEME

ELABORATION D'UN LOGICIEL POUR LA CONCERTION DES FILIERES D'EXTRUSION DES TUBES

6 PLANCHES

ETUDIE PAR : A. OUNIS

M. MOULERICHE

DIRIGE PAR : T. SELATNIA

المدرسة الوطنية العددة التلبيات المحددة التلبيات المحددة المحددة المحددة التلبيات المحددة التلبيات المحددة ال

UNIVERSITE DES SCIENCES ET DE LA TECHNOLOGIE

HOUARI BOUMEDIENNE (U.S.T.H.B) ALGER المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات المكتب BIBLIOTIEQUE - المكتب Ecole Nationale Polytechnique

INSTITIT DE GENIE MECANIQUE

PROJET

DE FIN D'ETUDES EN VUE DE L'OBTENTION DU DIPLOME D'INGENIORAT D'ETAT

OPTION: CONSTRUCTION MECANIQUE

THEME

ELABORATION D'UN LOGICIEL POUR LA CONCEPTION DES FILIERES D'EXTRUSION DES TUBES

ETUDIE PAR : A. OUNIS

M. MOULERICHE

DIRIGE PAR: T. SELATNIA

SESSION : SEPTEMBRE 1989

DEDICACES

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيبات المكتب المكتب المكتب المكتب المكتب المكتب المتعددة التقنيبات المتعددة ا

- -A MON PERE,
- -A MA MERE,
- -A MES FRERES ET SOEURS.
- -A TOUS MES AMIS.

M. MOULERICHE.

- -A MES PARENTS QUI ONT VEILLE A MA REUSSITE,
- -A MES FRERES ET SOEURS,
- -A TOUS MES AMIS,

A. OUNIS .

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات المكستبة — BIBLIOTHEQUE Ecolo Nationale Polytechnique

REMERCIEMENTS:

En plus de notre promoteur: T.SELATNIA qui n'a pas ménagé ses efforts pour l'aboutissement de cette étude. Nous voulons remercier d'autres personnes dont nous valorisons la contribution.

Parmis elles, nous citons Mr BOUAROUDJ pour ses conseils et son acceuil fraternel à chaque fois renouvellé, de même que Mr SAHKI, cadre à l'ENPC pour sa collaboration, sans oublier Mr CHIBANI HAMID qui a mis à notre disposition son micro-ordinateur et son temps, ainsi que MAMIA pour les livres de la bibliotheque centrale.

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيبات المكتب ت — BIBLIOTHEQUE المكلمية المكافئة المخالفة المكافئة المكاف

<u>TITRE</u>: ELABORATION D'UN LOGICIEL POUR LA CONCEPTION DES FILIERES D'EXTRUSION DES TUBES.

RESUME: Cette étude consiste à établir un logiciel pour la conception des filières d'extrusion des tubes. Ce logiciel nous donne les résultats suivants:

- dimensions du canal
- dimensions extérieur de la filière
- diamètre des vis de fixation

TITLE: LOGICIEL FOR DESIGN OF EXTRUSION DIES

SUMMARY This study consist to establish logiciel for design of extrusion dies. This logiciel give us the following results:

- Dimensions of chanal
- ø fixation screws

العنوان: تصميم سنامج معلوماتي لتصميم قوالب لانتاج الانابيب.

الخلاصة؛ هذه الدراسة تتعلق بتصميم نونامج معلوماتي يمكنا من تصميم قوالب للانتاج الاناس هذا البرنامج بعطينا النتائج المتالية . ابعاد النقاة - الابعاد الخارجية للقالب - فلم برفى التنسن

المدرسة الرطنية المتعددة التقنيات المستشمنية — PIBLIOTHEQUE المستشمنية المحددة التقاوة المعددة التقنيات المستشمنية المحددة التقنيات المستشمنية المحددة المحدد

SOMMAIRE

EXPOSE DU SUJEŤ,	
CHI: DESCRIPTION DU PROCÉDÉ D'ÉXTRUSION DES TU	
CIT, DESCRIPTION DO TROCEDE DEXTROSION DES TO	, 101109
I.1 Principe de l'extrudeuse	
I.2 Description de l'extrudeuse	
I.3 Differentes zones de l'extrudeuse	
I.4 Vis d'extrudeuse	
I.5 Differents types de vis	
I.6 Chauffages de l'extrudeuse	
I.7 Ligne d'extrusion des tubes	·
I.7.1 Instalation et équipement	- ,
I. 7.2 Filière d'extrusion des tubes————————————————————————————————————	
I.7.2.1 La tête de filière	
I.7.2.2 Le canal d'approche	
I.7.2.3 La zone annulaire	
I.7.3 Conformation exterieure	
I.7.4 Calibrage intérieur	
I.7.5 Dispositifs de tirage	
I.7.6 Reception de l'extrudat	
CH II. COMPORTEMENTS ET PROPRIETES DES MA	יים אונים אוני
PLASTIQUES.	HEIGHO.
TLASTIQUES.	
II. 1 Comportements des matèriaux	
II.1.1 Comportement rhéologiques	-
H111 Comportament visculary	
II.1.1.2 Comportement élastique	
II.1.2 Comportement thermodynamique	
II.1.2.1 Densité et volume spécifique	
II1.2.2 Conductivité thermique	
II.1.2.3 Diffusivité thermique————————————————————————————————————	
II.1.2.4 Chaleur spécifique————————————————————————————————————	
	,
II.2 Propriétés des matériaux.	
II.2.1 Fropriétés physiques et mécaniques	
II.2.2 Propriétés electriques	
II.2.3 Fropriétés chimiques	

المدرسة الوطنية المتعدمة التقنيسات المكتبة — BIBLIGTHEGÜE المكتبة — Eoole Nationale Polytechnique

CH III. CHOIX ET CALCUL DU CANAL D'ECOULEMENT.

III.1 Mise en pression du polymère	
III.2 Dimensionnement du canal d'écoulement	
III.3 Calcul de la chute de pression	
II.3.1 Chute de pression dans des canaux simples	
II.3.2 Calcul de la chute de pression dans les différentes	zones du canal
III.4 Choix du filtre et calcul de la chute de pression	
III.5 Calcul de la pression dans quelques points particuliers	
CH.IV CONCEPTION MECANIQUE	
IV.1 Dimensionement mécanique de la filière	
IV.2 Calcul des vis de fixation	
IV.3 Choix et proprietes des materiaux de filieres	
CH. V CONCEPTION THERMIQUE	
V.1 Bilan thermique de la filière———————	
V.2 Calcul de la température des éléments chauffants	
CH. VI PROGRAMMATION ET APPLICATION	
VI.1 Programmation	
VI. 2 Essai rhéologique	
VI.3 Données et résultats	
CH. VIII. MANIPULATION, ENTRETIEN, ET SOIN DES FIL	IERES
CONCLUSION	. :
LEXIQUE	-
\$IBLIOGRAPHIE	<u> </u>
	*

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات المكستجمة — BIBLIOTHEQUE المكستجمة — Ecole Nationale Polyteohnique

INTRODUCTION

INTRODUCTION:

Exposé du sujet: Notre projet consiste en l'elaboration d'un logiciel qui nous permet de construire des filieres pour tubes et cela pour differents materiaux plastiques.

Ce logiciel nous donnent les resultats suivants:

- 1. Dimensions du canal.
- 2. La depression dans les différentes zones du canal.
- 3. Les forces de pression et de cisaillement.
- 4. Dimensions de la filiere.
- 5. La quanitité de chaleur à ajouter par colliers.

Dans le cas de notre projet, on va faire une application pour :

-une extrudeuse B120

-matière: PVC rigide

-diamètre exterieur: 90 mm -diamètre interieur : 85 mm

CH I. DESCRIPTION DU PROCEDE D'EXTRUSION DES TUBES

I. DESCRIPTION. DU PROCEDE D'EXTRUSION DES TUBES

I.1 Principe de l'extrusion:

L'extrusion est le procédé de transformation d'un matèriau se trouvant sous des formes diverses, en un produit continu de section transversale bien définie, Cette section géneralement constante est obtenue en obligeant la matière à s'ecouler par un orifice de forme adaptée au profil final souhaité.

Cette technique est utilisée pour de multiples fabrications comme les briques, Les tuyaux en plomb, de nombreux produits alimentaires ainsi que les matieres thermoplastiques. Ces matières extrudés peuvent se presenter sous forme de poudre, paillettes, granulés, bandes, etc.

L'extrusion permet d'obtenir une masse plastique homogène capable de s'ecouler, sous l'effet de la pression engendrée à travers l'outillage de mise en forme appellé : filière.

Les diverses fonctions :transport , malaxage, mise en pression , sont normalement réalisés dans la même machine : L'extrudeuse , ou presse à extruder , au bout de laquelle se trouve la filière.

Dans la majorité des applications, ce travail est le fait d'une ou plusieurs vis tournnant à l'interieur d'un founéau regulé en température en fonction de la matiere de base et du produit à realiser.

Tous les paramètres comme les profils des vis et des foureaux. Le régime thermique employé, Le système d'entrainement des vis, concourent à la réalisation du profil souhaité et ce, dans des conditions optimales.

I. 2 Description_de l'extrudeuse :

Une extrudeuse monovis est composée principalement d'une vis sans fin tournant à l'interieur d'un foureau cylindrique réglé en température.

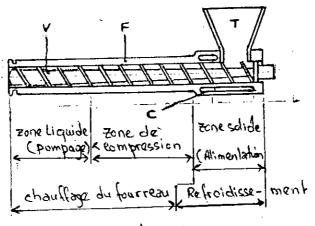
La matiere à transformer est introduite dans le fourreau par une ouverture surmontée dune tremie de stockage de grande capacité.

La vis d'extrusion tourne par l'intermediaire d'un ensemble (moto-variateur et reducteur de vitesse) capable d'assurer une vitesse determinée de façon fiable et précise.

La section amont du fourreau appelée culasse est géneralement refroidie par circulation d'eau afin de faciliter l'alimentation en matière de la vis. Le fouréau proprement dit est régulé en temperature par un ensemble comprennant généralement un système de chauffage élèctrique par colliers chauffant, et un dispositif de refroidissement, soit à air, soit à circulation de fluide (eau ou huile thermique selon la température requise), pour certaines machines qu'on appelle degazeuses, les constructeurs ont cherché à éliminer les matières volatiles qui peuvent acompagner la matière dans le corps de l'extrudeuse ou qui apparaissent à la température de travail.

🕳 Une pompe à vide aspire les gaz qui s'échappent du corps de la par une cheminée située face à la zone de la vis marquant une modifiaction des filets .

Une grille, en géneral en acier inoxydable, peut être interposée entre le bout de la vis et la filiere son but est non seulement de retenir les corps etrangers, mais aussi de parfaire l'homogeneisation.



c: wlasse

T: Tremie F: fourreau regulé V: Vis d'extrusion

Principe et fanchionnement de la vis d'exhusion

I.3 LES DIFFERENTES ZONES DE L'EXRUDEUSE :-

Le polymère progresse le long du chenal de la vis en passant de l'etat solide à l'etat fondu .D'aprés les observations qui ont été faites sur l'etat du polymère dans la machine en regime peramnent, on peut distinguer trois zones : tremoment.

- La zone d'alimentation, dans laquelle le polymère est entièrement solide (en granulés ou en poudre, plus ou moins compacté);

-La zone de plastification, dans laquelle coexistent le polymère solide et le polymère sondu;

-La zone de pompage , dans laquelle le polymère est totalement fondu.

I.4 LA VIS D'EXTRUSION:

La vis d'extrusion est l'organe essentiel de l'extrudeuse , elle est adaptée au travail à réaliser , car conçue pour être interchangeable.

Son profil sera étudié en fonction de la rheologie de la matiere à transformer.

Il existe de nombreux types de vis d'extrusion ; Cependant le plus répandu et le plus simple à un filet determinant un canal de section rectangulaire et se compose de la façon suivante:

-Une première zone à noyau de diamètre constant , appellée zone d'alimentation,

-La zone suivante, à noyau cônique de sorte que le volume de sortie soit inférieur au volume d'entrée du canal de la vis ,désigneé par les termes zones de compression ou zone de plastification,

-La troisiemme et dernière partie de la vis, à noyau de diamètre constant porte le nom de zone de mise en préssion ou zone de pompage.

afmentation compression pumpage

Marie - Priver I de Ma

I.5 differents types de vis:

En commençant par l'origine du dévellopement de l'extrusion à vis, on s'aperçoit que dans un premier temps les transformateurs ont cherché à travailler les polymères avec les outils conçus pour le caoutchouc. Les premieres vis etaient caractérisées par une profondeur de filet très grande. Un noyau cylindrique est un raport L/D de 7 à 12.

La première mutation fut l'intégration du changement de densité apparente du polymère au cours de son passage dans l'extrudeuse. En effet, entre le produit massif, et le même sous forme de granulés, il existe un rapport apparent de densité d'environ 60%. Par exemple, un polyethylène de densité 0.918 produit des granulés, de densité apparente 0.55. Cette constatation a débouché sur deux types différents de vis:

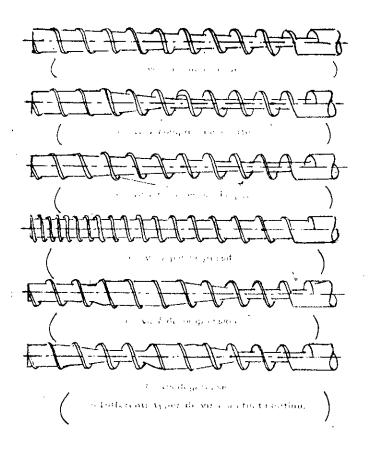
-Les vis à pas dégressifs et à noyau cylindrique,

-Les vis à pas constant et à noyau conique.

Dans les deux cas, la section du canal se réduisait pour tenir compte de la diminution du volume massique du produit, et aussi de la nécessité d'expulser l'air contenu dans les interstices des granulés en le comprimant pour le forcer à s'echapper.

Les difficultés d'usinage des vis à pas dégressif font qu'aujourdhui cette technique est pratiquement abondonée au profil-du noyau conique.
Actuellement , on s'oriente vers les profils conjuguant des zones à noyau cylindrique avec des zones à noyau cônique .

Il existe des autres types de vis comme vis degaseuse ou vis à zones de malaxage.



I.6 chauffage d'extrudeuse :-

La méthode de chauffage du cylindre la plus courante agit par conduction à l'aide de résistances évectriques fixées autour du cylindre. On dispose généralement d'un refroidissement par circulation d'eau dans la paroi du cylindre. Un autre système consiste en un chauffage par un circuit de liquide chaud, par exemple de l'huile. Cette méthode permet une régulation par chauffage ou refroidissement en agissant sur la température du liquide. Le chauffage par circuit d'huile est plus inerte que le chauffage par resistance éléctriques. Il est peu employé. On l'utilise sur les trés grosses machines. Le chauffage par induction est un nouveau système déja appliqué industriellement. Un conducteur élèctrique enroulé autour du cylindre en acier est parcouru par un courant alternatif qui engendre un flux magnétique induit dans le fourreau de la vis. Il y'a possibilité de combiner facilement le chauffage par induction et le refroidissemnt d'une machine. La régulation peut être assuré à $\pm 0.5^{\circ}$ C.

Conclusion: La consommation de courant du chauffage par induction est diminuée par rapport au chauffage par résistances éléctriques et le chauffage est rapide.

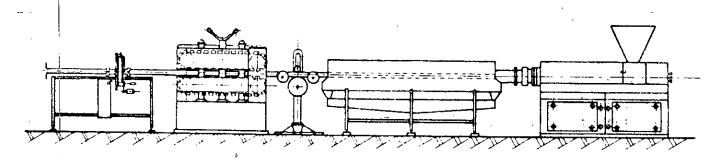
I.7 ligne d'extrusion de tubes :

I.7.1 installation et equipement :-

Une installation pour la fabrication des tubes rigides ou souples comprend les éléments suivants : extrudeuse, tête d'extrudeuse droite ou équerre, équipée d'une filière, appareil de calibrage, système de refroidissement, système de tirage, dispositif de sciage automatique à la longueur voulue(pour les tubes rigides) ou de pobinages (pour les tubes souples).

Comme équipement supplementaire, la chaîne d'extrusion peut être équipée d'un appareil automatique de contrôle de l'epaisseur, d'un dispositif de stockage de

tubes coupés.



Chaice de labication de Julies

I.7.2 Filiere d'extrusion de tubes :-

Après le tamis de filtration à l'extrémité de la boudineuse se trouve la tête de filière et la filière.

Les filières de mise en forme des polymères sont formées de restrictions ou de conduits dont le but est de donner une configuration ou section spécifique à un écoulement de polymère fondu qui y circule.

Elles sont constitués de trois régions fonctionnelles et géométriques.

I.7.2.1 La tête de la filière :-

La tête présente un élément monté au bout du cylindre de l'extrudeuse en aval de la vis. Son rôle est de laisser passer la matière plastifieé par la filière et cela sur les cotés d'une tourpille afin de ramener l'écoulement du fluide à un écoulement annulaire similaire à la forme de nôtre produit. La tourpille est une partie du poinçon ; et ce dernier est soutenu sur le corps exterieur de la filière par le porte poinçon .Inconvenient majeur de ce porte poinçon sont les aillettes du support qui cisaillent le fluide qui les traversent , laissant ainsi des traces visibles sur le produit fini , se présentant sous forme de trait ou "lignes de soudure" indiquant ainsi une fragilisation de ce produit.

I.7.2.2 Le canal d'approche:

Il conduit le polymère fondu à la derniere ouverture de la filiere .La largeur de ce canal doit diminuer de façon constante ; Ceci est indispensable pour assurer la contre pression nécessaire à la soudure du flux plastique aprés passage entre aillettes du porte poinçon.

I.7.2.3 La zone annulaire circulaire:

C'est la region de sortie de la filiere, elle confère la forme correcte au produit. Elle permet aussi au polymère fondu de s'homogeneisier ou de s'uniformiser de nouveau aprés toutes les perturbations dûes à l'ecoulement dans les regions une et deux. Il faut eviter dans la construction des filieres les angles morts où la matière pourrait stagner; d'où risque de déradation surtout dans le cas du PVC. De même, il faut que les aillettes du porte poinçon soient conçues de telle façon que l'epaisseur des bouts soit aussi faible que possibles, et orientés dans le sens de l'ecoulement. Il faut aussi prévoir un démontage simple et rapide pour permettre le nettoyage. La filière est chaufée par l'intermédiaire d'un ou plusieurs colliers chauffant. Ces derniers epousent la forme exterieur de la filière.

I.7.3 conformation exterieur :-

Un calibreur ou conformateur sert à maintenir la forme et les dimensions requises d'un profil sortant d'une filière dans état visqueux Il existe plusieurs types de conformateurs dans lesquelles les parois encore chaudes et déformables sont plaqués contre les faces refroidies du calibreur par le vide , agissant de l'exterieur, ou par la pression de l'air à l'interieeur du tube.

Un des systèmes , nommé << conformation en bac d'eau sous vide>> est utilisé avec beaucoup de succés , il se compose d'un long reservoir fermé , rempli aux deux tiers d'eau froide constamment renouvelée .L'air au dessus de l'eau est maintenu sous depression de quelques 300 Pa.Le tube extrudé est introduit à travers un orifice equipée d'un joint d'étancheité dans les calibres alésés d'une serie de plaques metaliques .

Un autre système de conformateur calibreur <<à canal sec>>est composé d'une serie de compartiment en tournant le canal central par lequel passe l'extrudat. Les uns sont refroidies par eau, les autres qui communiquent par des petits orifices avec le profil extrudé, se rouvent sous la depression à l'entrée du conformateur. L'extrudat est arrosé par l'eau ce qui le refroidit et facilite son avancement dans le canal central du conformateur.

Une autre methode utilisée depuis quelques dizaines d'années utilise une surpression d'air dans le tube extrudé fermé par un bouchon (retenu par une chaine à l'interieur du profil extrudé).

I.7.4 Calibrage interieur :-

Le calibrage interieur des tubes est plus difficile à realiser .Il exige un système spécial sous forme d'un mandrin refroidi par eau . Pour le calibrage interne l'utilisation de la tête équerre est recommandée.

I.7.5 dispositifs de tirages:-

Les dispositifs de tirages doivent être ajustés ou profilés extrudés. Pour les tubes on utilise le plus frequement les tireurs à chenilles. On rencontre les tireurs à deux ou à trois series de rouleaux. Ces derniers assurent une bonne conformation de la linearité de l'extrudat. Les sabots des chenilles sont realisés en caoutchouc ce qui assure un bon entraînement.

Le dispositif de tirage le plus simple peut être realisés sous forme d'un tapis, sur lequel repose le profilé .L'effet d'entrainement peut être amelioré par quelques galets presseurs .

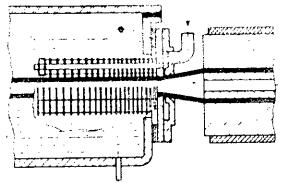
I.7.5 Reception de l'extrudat :-

Les tubes rigides sont sciés à la longueur désiré. En géneral la scie circulaire suit le profilé dans son mouvement d'avance et pour cela est entrainé par le profilé lui-même .commandé automatiquement par un contacteur electrique, elle coupe le tube, et recule à la position de départ.

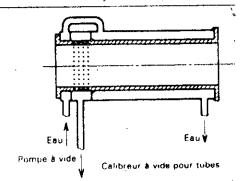
Plusieurs autres systèmes trouvent ici leur application et dépendent en géneral de la taille et de la consistance du tube extrudé.

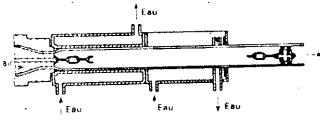
Les tubes souples sont dans la plupart des cas enroulés sur des bobines dont la rotation est liée à la vitesse de tirage .

Les appariels automatiques de mesure en continu de l'epaisseur de la paroi sont couteux et installés à la demande de transformateur. La mesure est realisée par retrodiffusion beta et gamma ou par ultrasons.

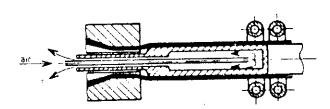


Bac de retroidissement avec catibreur à plusieurs disques

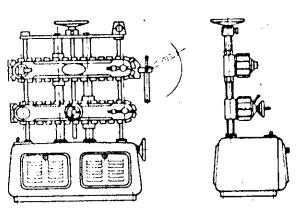




Calibreur à pression interne et refroidissement à eau



Calibreur à mandrin --- Refroidissement interne et externe



Chenilles de tirage pour extrudeuses

CH.II COMPORTEMENTS ET PROPRIETES DES MATERIAUX PLASTIQUES •

II.1 COMPORTEMENTS DES MATERIAUX :

La transformation et la mise en oeuvre des materiaux termoplastique comportent habituellement trois etapes:Le chauffage, la mise en forme proprement dite et le refroidissement. Au cours de chaque operation de transformation interviennent donc des phénomènes liés à la chaleur et au temps (phénomène thermodynamique) et à l'écoulement (phénomène rhédologiques).

II.1.1 COMPORTEMENT RHEOLOGIQUE:

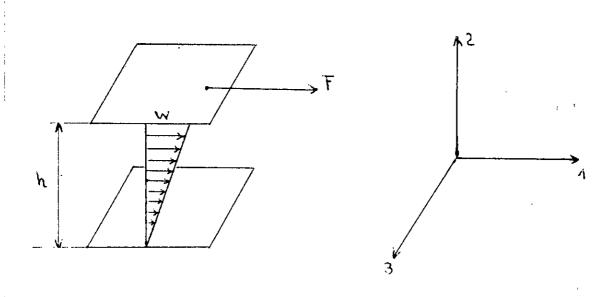
Les matières thermoplastiques sont decrites, dans leur comportement rhéologique, comme viscoélastiques, c'est a dire qu'elles se comportent d'une manière visqueuse comme un liquide mais aussi d'une manière élastique comme un corps solide élastique.

III.1.1.1 COMPORTEMENT VISQUEUX:

Le comportement visqueux est introduit ici le premier car c'est la première approximation du comportement rhéologique des polymènes fondus.

a- La loi de comportement Newtonien

Considérons un liquide visqueux cisaillé entre deux plaques de surface S, distante de h, l'une des plaques est animée par rapport à l'autre de la vitesse w.



- le taux de cisaillement est $\mathbf{z} \cdot \dot{\mathbf{x}} = \frac{\omega}{\mathbf{x}}$.

- il faut exercer une force f qui induit une cission:
$$= \frac{F}{S}$$

Experimentalement pour la plupart des liquides à une température et à une pression données, le rapport entre Tet dest indépendant de 🕉 -

Newton a défini la viscosité \(\gamma \) par la relation

Les polymères fondus ont un comportement particulier, dû à leur structure macromoléculaire.

-d'une part, leur viscosité varie très rapidement avec le temps,

-d'autre part, la viscosité est non-newtonienne, en ce sens qu'elle décroit avec δ . Cette propriété est appelé Pseudo-plasticité.

b- Le comportement pseudo-plastique:

La modélisation la plus courante de ce comportement est la loi puissance , en cisaillement simple

$$\geq = K |\dot{\chi}|^{m-1} \dot{\chi}$$

ce qui correspond à la loi de viscosité

$$\eta(\dot{\chi}) = K |\dot{\chi}|^{m-4}$$

K: consistance du liquide

m: indice de pseudoplasticité

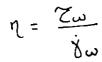
Les deux comportements extrèmes sont:

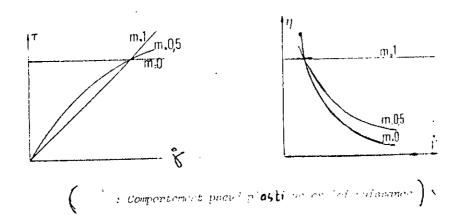
- -le comportement Newtonien si m=1.
- -le comportement plastique si m=0.

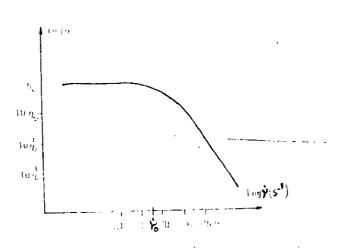
c. Ecoulement viscometrique.

Les mesures de viscosité capillaire permettent d'accèder à la valeur de la viscosité correspendant au taux de cisaillement à la paroi du tube.

Quelque soit le comportement du matériau, la cission Là la paroi du tube est reliée à la perte de charge dans le tube par la relation:







Evolution typique de la viscogité d'un polymere fundu avec le taux de cisoillement

II.1.1.2 COMPORTEMENT-ELASTIQUE DU MATERIAU

Les matières plastiques ont un comportement viscoélastique, qui s'extériorise d'une part par le phénomène suivant: dans le cas d'une forte variation de section, comme par exemple, lors de l'écoulement de la matière en fusion dans un capillaire, d'autre part, le comportement viscoélastique des matières plastiques s'extériose

$$\Delta F \pi R^2 = 2 \pi R L \cdot C\omega$$
soit
$$C\omega = \Delta P \frac{R}{2L}$$

Le taux de cisaillement à la paroi du tube s'écrit : 1 si le tube a un comportement Newtonien

si le fluide a un comportement pseudoplastique

$$\dot{\delta}_{\omega} = \frac{(3m+1)Q}{\text{dépend du débit et m}}$$

m: indice de plasticité

On remaque que:-

$$\dot{\delta}_{\omega} = \frac{3m+1}{4m} \dot{f}_{\omega} (1)$$

La relation entre la cission et le taux de cisaillement s'écrit :

$$\nabla \omega = K \dot{\delta}_{\omega}^{m}$$

soit

En traçant, en coordonées logarithmiques, l'évolution de Tw (ne dépendant que de la perte de charge) en fonction de Tw (qui lui dépend du débit Q) on obtient l'indice m de pseudoplasticité recherché. De là on peut alors calculer le taux cisaillement réel à la paroi.

D'aprés (1) la viscosité est :

ainsi: les déformations pouvant se produire lors de la transformation sont, en partie reversible. Ceci s'explique ainsi:

La chaine de molécule ne se défait pas directement ou bien lentement lors d'une déformation, mais s'oriente plus ou moins fortement dans le sens de déformation.

En raison de la déformation primaire élastique, le matériau déformé est contraint à reprendre son état de sortie, cependant avec le temps ce matériau s'adapte plus ou moins vite à cet état forcé, et si cet état de désorientation n'est pas arrété totalement à la sortie d'une filière d'extrusion, il peut se produire alors finalement une position de retrait de déformation élastique du matériau, ce qui s'explique par le gonflement du semi fini extrudé. Si une matière s'écoule à travers une filière d'extrusion, les déformations seront introduites par deux processus:—

-déformation par allongement ou compression dans les sections de canaux convergents ou divergents,

-déformation par cisaillement.

a-Gonflement en sortie de filière:

Appelé: Effet BARRUS, phénomène propre à l'extrusion des matières plastique, il se traduit par:

Sr: taux de gonflement

$$Sr = . - D_0$$

D:Diamètre final de l'extrudat.

Dn:Diamètre de la filière.

Sr est compris entre 1 et 3

Tous les auteurs s'accordent à penser que le gonslement en sortie de filières est relié aux propriétés viscoélastiques des polymères.

b- Origine du phénomène:

Du point de vue structural, le gonflement est dû à la désorientation des molécules par le champ de cisailement. Du moment que l'élasticité des polymères est toujours partiellement retardée; le gonflement n'est pas instantanné.

- c-Paramètres influant sur le gonflement
 - -Temps de résidance du polymère dans la filière
- -Cisaillement: Sr est une fonction croissante de cisaillement à la paroi.
- -Longueur de filière : Sr est une fonction décroissante de la longueur, à une certaine longueur Sr= Constante

-Entrée de la filière: géomètrie,

d-Instabilité d'écoulement:

Si la valeur critique de la contrainte à la paroi est atteinte, l'extrudat présente une distorsion irrégulière, le cisaillement à la paroi étant une fonction croissante du débit, d'où les instabilités d'écoulement limitent le débit des extrudeuses car l'amplitude de la distorsion augmente aves le débit.Il est clair qu'on ne peut pas supprimer l'apparition des instabilités mais on peut les retarder en ⊱

-augmentant la température (à débit constant) .

-dessinant les filières de manière que le gradiant de pression axiale $\frac{\partial P}{\partial x}$, soit le plus constant possible.

e-Rupture à l'état liquide :-

Un liquide viscoelastique en écoulement emmagazine une certaine énergie élastique correspendant à une déformation des macromolécules. Cette énergie est nécessairement limitée, et certaines vitesses de déformation critiques ne peuvent pas être dépassées sans que la structure physique du liquide ne soit affectée.

-En élangation, le niveau des contraintes augmente rapidement avec le taux d'élangation, au delà d'un certain niveau, il se produit une rupture.

-En cisaillement, la rupture est possible également.

La plus grande partie des défauts d'extrusion sont dûes effectivement à une rupture du polymère fondu dans la filière. Le régime oscillatoire qui s'établit correspond à un mécanisme du type.

Augmentation de contrainte==>rupture==>Augmentation de débit Diminution de débit==>ressoudure==>Relaxation de contraintes

II.1.2 COMPORTEMENT THERMODYNAMIQUE DE LA MATIERE

Les données thermodynamique sont généralement fonction de pression et de température .La fonction pression peut être mise de côté (pression relativement faible dans les filières à extrusion < 600 bars).

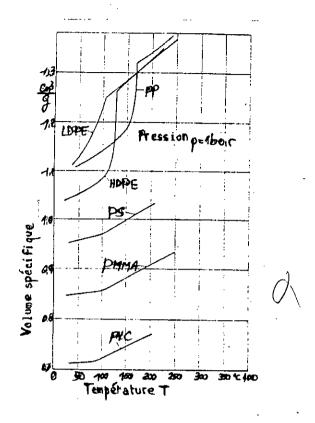
Pour la fonction température si l'on ne passe pas par exemple par une zone de transition, si l'on reste donc comme dans une filière d'extrusion dans la zone de fusion quelques données peuvent être considérées comme constantes.

H.1.2.1 DENSITE ET VOLUME SPECIFIQUE.

La figure II.1 montre, pour quelque polymères, le volume spécifique Vp qui est relié à la densité par le rapport:

$$Vp = \frac{1}{q}$$

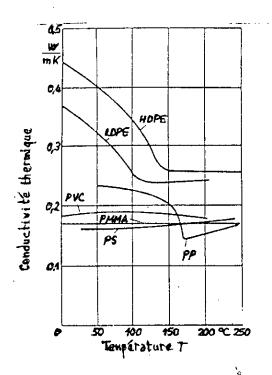
Dans la zone de pression des filières d'extrusion, en négligeant l'influence de la pression, la marge d'erreur est de 1 à 3%



Valume spécifique en tant que fonction de la température.

II.1.2.2 CONDUCTIVITE THERMIQUE .

La conductivité thermique en tant que fonction de la température est représentée par la figure fig.II.2. On remarque que dans une filière c'est à dire pour une température > 160°C, La conductivité thermique est presque constante.



Conductivité thermique en tant que fonction de la température / 1 /.

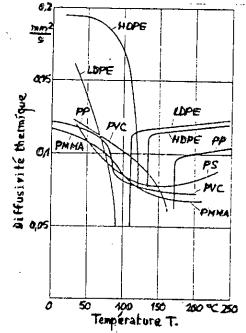
. THERMIQUE.

II 1.2.3 <u>DIFFUSIVITE THRMIQUE</u>

Lors de la détermination du champ de température stationnaire en tant que donnée, seule la conductivité thermique doit être considérée, alors que lors des processus non-stationnaires, il faut considérer la relation conductibilité thermique par rapport à la capacité de reserve thermique. Cette relation se traduit en terme de diffusivité thermique par la figure (fig II.3):

$$a = \frac{\lambda}{\int \cdot C_p}$$

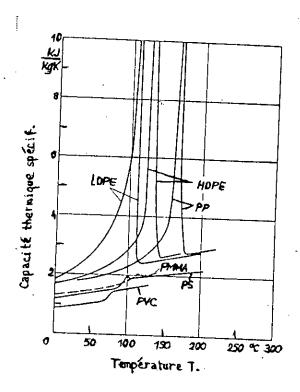
Dans ce cas également, l'influence de la pression peut dans la pratique, être négligée.



Diffusivité thermique en sonction de la température / 1 /.

II.1.2.4 CHALEUR SPECIFIQUE:

Même dans le cas de calcul de la capacité thermique Cp présentée par la figure (fig II.04), l'influence de la pression peut être négligée.



Capacité thermique spécifique / 1 /.

II.2.PROPRIETES DES MATERIAUX.

II.2.1 PROPRIETES PHYSIQUES ET MECANIQUES .

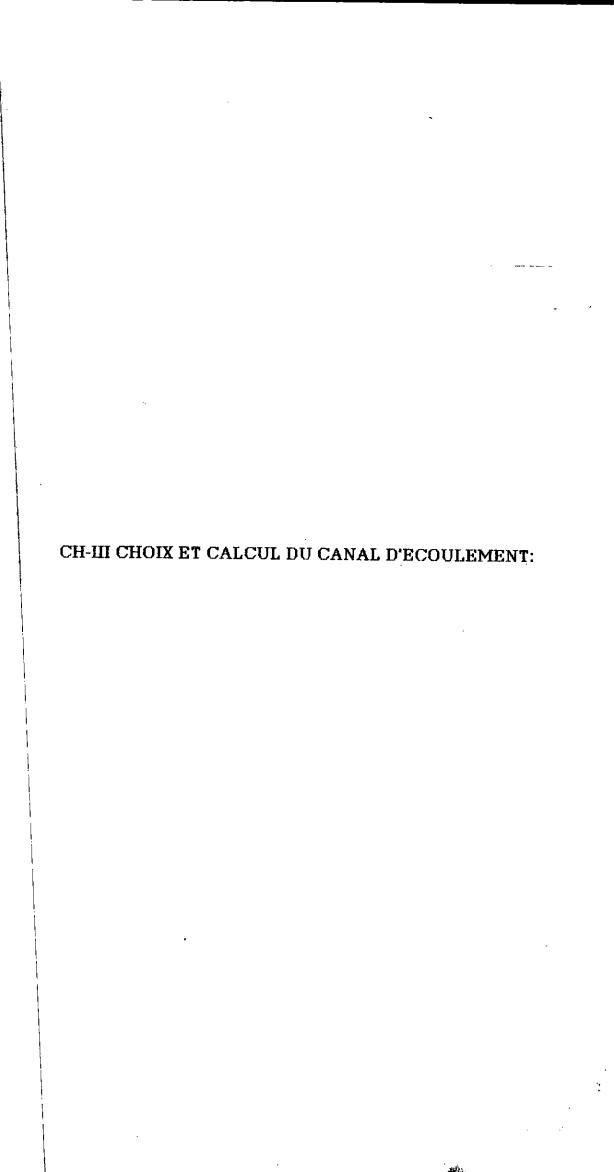
Elle sont spécifiques pour chacune de ces matières. Tel produit a une résistance au choc particulièrement élevée (les polycarbonates par exemple), tel autre a une résistance à la flexion alternée exceptionnelle (cas du polypropylène), tel autre une excellente résistance à l'abrasion (cas de beaucoups d'entre eux, du PVC en particulier), tel autre est utilisé pour la confection de hublots pour avions supersoniques, car il allie à la fois la légerté, la transparence, la resistance à la chaleur et la dureté de surface (cas de certains polyméthacrylates modifiés.).

II.2.2 PROPRIETES ELECTRIQUES •

Les propriètés électriques sont remarquables et les matières plastiques remplacent de plus en plus les matériaux traditionnels, en particulier dans le domaine de l'isolement. Les matières plastiques extrudables sont utilisées depuis longtemps pour le gainage des fils electriques.

II.2.3 PROPRIETES CHIMIQUES •

Au contact des liquides ou des gaz le comportement des matières plastiques varie suivant leur nature et leur composition Il peut y avoir diffusion, absorption avec gonflement ou gelatenisation, dissolution ou destruction selon l'agressivité des produits en presence.



III.1 MISE EN PRESSION DU POLYMERE FONDU:

Dans l'extrudeuse, on rencontre deux types d'écoulements de polymères fondus:

-un écoulement dans la zone de compression où la section de passage entre la vis et le foureau diminue et où coexistent généralement du polymère solide et du polymère liquide.

-un écoulement dans la zone de pompage où la section de passage est constante et où tout le polymère est à l'état fondu.

La dernière zone sert à amener le polymère à la pression requise pour atteindre l'écoulement dans l'outillage de mise en forme (filière) au débit désiré. Son rôle est lié à la nature de la perte de charge. Les pressions utiles en extrusion varient entre 100 et 700 bars. Je débit de la vis dépendra de cette pression, et on considère le débit réel comme la différence du débit de pompage et du débit de contre pression. Ce débit réel est fonction de:

-La profondeur du filet de vis dans la zone de pompage.

-La valeur du jeu entre vis et fourreau.

-La viscosité du polymère à la température de transformation.

-La perte de charge engendrée par l'écoulement dans la filière,

Si l'on néglige l'existance d'un jeu entre le sommet du filet et le fourreau, et que l'on considère la matière entièrement fondue, le débit sera la différence entre le débit nominal de cisaillement de la zone de pompage et le débit de reffoulement dû à la contre-pression de la filière fixée au bout de l'extrudeuse.

Le débit volume global est la somme algébrique du débit de cisaillement et du débit de poiseuille.

$$Q_v = Q_{v1} - Q_{v2} = (W h V_z /2) - (W h^3 \triangle P/12 \eta Z)$$

W: largeur du canal

h : profondeur du canal

V≠: vitesse relative du canal et du corps

ΔP: perte de charge dans la zone de pompage

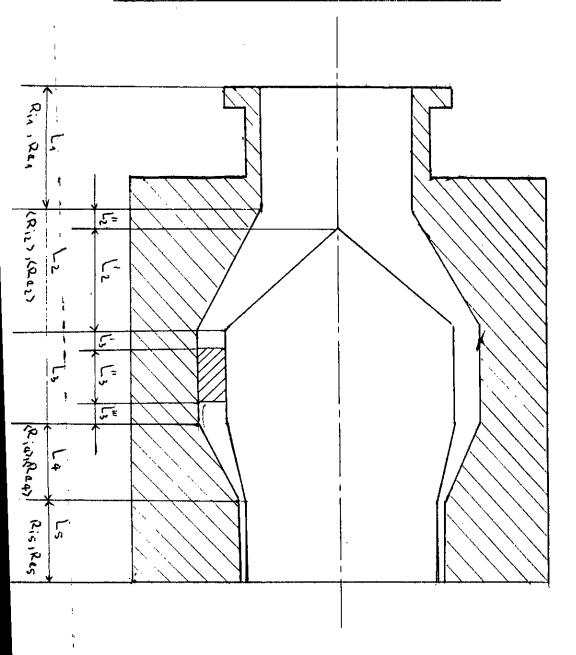
れ:viscosité du polymère

Z : longueur du canal enroulé.

Si on considère que $Q_V = Q_V$ max de la machine alors la pression en tête de l'extrudeuse sera:

$$\mathbf{A} P = \begin{bmatrix} \mathbf{W} \mathbf{h} \mathbf{V}_{\mathbf{Z}} & \mathbf{Q} \\ \mathbf{Z} & \mathbf{W} \mathbf{h}^{3} \end{bmatrix} \mathbf{X} \qquad \frac{12 \quad 7 \quad \mathbf{Z}}{\mathbf{W} \mathbf{h}^{3}}$$

III.2 <u>DIMENSIONEMENT DU CANAL D'ECQULEMENT</u>



La première filière considérée, est une filière avec un porte poinçon laquelle présente un canal divisé en 5 zones. Le poinçon est retenu par des entretoises sur le segment III.

ZONE V .

On commence le calcul du canal par la zone V car c'est dans cette zone qu'on a le plus de données (pression de sortie, Données rhéologiques: taux de tirage, taux de gonflement...etc).

Le taux de tirage DDR est égale à 1.22 pour les tubes.

On a la relation suivante :

 V_t : vitesse du tube(solide)

 V_{e^\prime} : vitesse du tube à la sortie de la filière

$$V_{t} = \frac{Q_{v}}{S_{tube}}$$
 (1)

 Q_{ν} : débit volumique de la mattère plastique refroidie ullet

 S_t : section du tube (final).

$$S_t = \frac{\pi}{4} (D_e^z - D_i^z)$$

 D_e et D_i (dimensions finales du tube)

$$Q_{v,T} = \frac{Q_{m,T}}{\int_{T}}$$

 $Q_{m,T}$: débit massique à la température de travail τ .

 $g_{ au}$: densité à la température de travail au .

 $Q_{m,T}$ = constante \forall la température de travail .

d'où :- $Q_{m,t} = Q_m$ (Q_m : débit massique à l'état solide) .

$$\begin{cases} Q_{m,t} = Q_{v,t} \cdot \rho_{T,o} \\ = = = = > Q_{v,t} \times J_{T} = Q_{v} \times J_{s} \end{cases}$$

$$Q_{m} = Q_{v} \cdot \rho_{s} \cdot o(T = authorizable).$$

$$d'où: - Q_{v} = \frac{Q_{v,t} \times J_{T}}{\rho_{s}}. \qquad (2)$$

de (1) et (2) on calcul V_t et on détermine ainsi Ve^t . On a une relation qui nous permet de calculer la section du tube à l'état gonflé.

 $S_g = \frac{Q_{v,t}}{V_{e'}} \cdot (\text{ let}: \text{ literse decontement a}).$ Sg: section du tube à l'état gonflée: la sortie de la filière).

$$\frac{S_g}{S_t} = K = \frac{(D_{Ge}^2 - D_{Gi}^2)}{(D_{e^2} - D_{i}^2)} = \Longrightarrow D_{Ge} = \sqrt{k} D_e$$

$$D_{Gi} = \sqrt{K} D_i$$

k : c'est le rapport de la section à l'état gonflé sur la section du tube finale.

Taux de gonflement: Sr

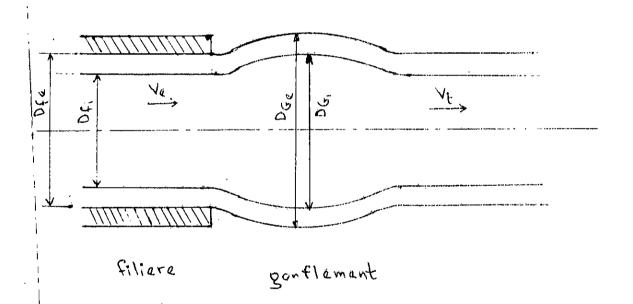
Sr. dépend de la vitesse d'écoulement (déterminé à partir des essais riiéologiques).

$$S_{r} = \frac{S_{g} \quad (D_{G}e^{2} - D_{G}i^{2})}{S_{f} \quad (D_{ef} - D_{if})} \cdot ==> \begin{cases} D_{fe} = D_{Ge}/\sqrt{S_{r}} \\ D_{fi} = D_{Ge}/\sqrt{S_{r}} \end{cases}$$

. Si nous remplaçons ($D_{G\ell}$ et D_{Gi}), $(k)^{1/2}$ et d'autres; nous aurons :

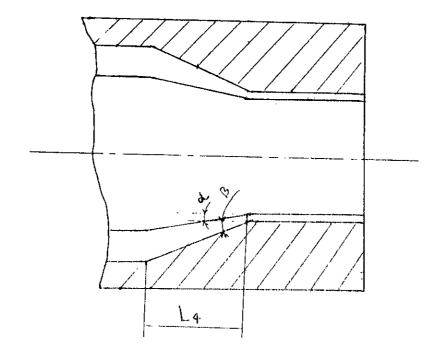
$$D_{fe} = \frac{D_e}{\sqrt{S_r}} \left(\frac{f_s}{f_r} DDR \right) 1/2$$

$$D_{fi} = \frac{D_i}{\sqrt{S_r}} \left(\frac{g_s}{g_r} DDR \right)^{1/2}$$



.
$$L_{5}$$
 = (10 à 30) H = (10 à 30). $\frac{D_{f\bar{e}} - D_{fi}}{2}$

On prend la plus grande valeur généralement car :
Experimentalement nous avons vu qu'à chaque fois qu'on augmente la longueur de la zone 5, on minimisé le gonflement à la sortie.



A = 2 (Pour le PE).

$$R_{i4}$$
 C_{i5}
 R_{i5}
 $R_{i4} = A = ==> R_{i4} = A R_{i5}$

on a:
$$15^{\circ} < \propto <30^{\circ}$$
 et $10^{\circ} < \beta - \propto <15^{\circ}$.

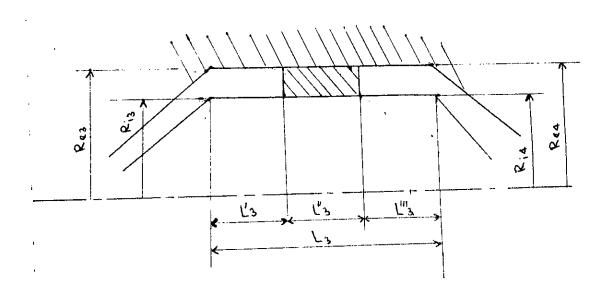
on choisit la valeur de $\,pprox\,\,$ et $\,m{eta}$

 $\beta \neq \alpha$ et ($\beta > \alpha$:généralement): pour assurer une meilleure soudure du tube.

$$t_g \propto = \frac{R_{i4} - R_{i5}}{L_4} = \frac{(A-1) R_{i5}}{L_4} = \frac{(A-1) R_{i5}}{t_g \propto L_4}$$

$$t_g \beta = \frac{R_{e4} - R_{e5}}{L_4} = = R_{e4} = L_4 t_g \beta + R_{e5}$$

Zone 3:



Pour la zone 3 -

$$\begin{array}{ccc} R_{i3} & = & R_{i4} \\ R_{e3} & = & R_{e4} \end{array}$$

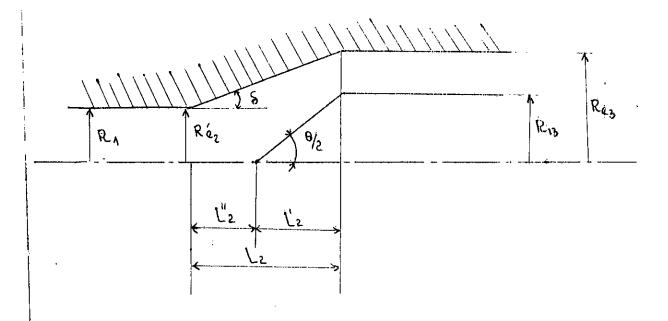
longueur de la zone 3 •

$$L_3 = L'_3 + L''_3 + L'''_3$$

L"3 : longueur de l'ailete

 L'_3 , L'''_3 : Laissées de part et d'autre de l'ailette.

<u>Zone</u> 2:



•
$$R_{e2} = R_1 = \frac{\text{diamètre du fourreau}}{2}$$

Longueur de la zone L_2 :-

$$t_{g} \; \delta \; = \frac{R_{e3} \; - \; R_{e2}}{L_{2}} \qquad \qquad \frac{R_{e3} \; - \; R_{e2}}{t_{g} \; \delta}$$

Zone 1 : C'est la zone cylindrique de rayon $R_1 = \frac{\emptyset}{2}$ foureau

III.3 CALCUL DE LA CHUTE DE PRESSION.

III.3.1 CHUTE DE PRESSION DANS DES CANAUX SIMPLES:-

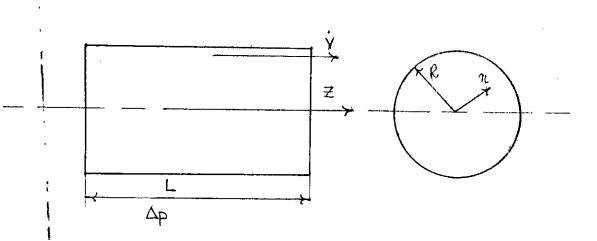
Hypotheses:-

- -ecoulement stationnaire: $v(t+\Delta t)=v(t)$
- -ecoulement laminaire $:(R_e < 1)$
- -ecoulement isotherme :toutes les particules ont la même température pendant le processus d'ecoulement .Nous utiliserons pour nôtre matériau la loi de puissance:OSTWALD DE WEALE;

$$z^m = \frac{1}{\phi} \dot{\delta}$$

m:indice d'ecoulement Φ:fluidité du liquide Β':taux de cisaillement

a) pour un cercle:-



$$\mathcal{Z} = \frac{\Delta P}{2L} r$$
, $\mathcal{Z}_{\omega} = \frac{\Delta P}{2L} R$

Σω :cisaillement à la paroi.

🎖 🗆 :taux de cisaillement.

$$Z = T\omega \frac{r}{R}$$

🗸 : débit volumique.

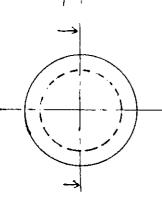
$$\dot{\delta} = \frac{(m+3)\dot{V}}{\pi R^3}$$

$$V_{z} = V_{z \max} \left(1 - \left(\frac{r_{z}}{R}\right)^{m+4}\right)$$
 avec $V_{z \max} = \phi \left(\frac{\Delta P}{2L}\right)^{m} = \frac{R^{m+4}}{m+4}$

$$\overline{V_2} = \frac{\Phi}{m+3} \cdot \left(\frac{\Delta P}{2L}\right)^m \cdot R^{m+4}$$

$$\frac{\Delta P}{L} = \left[\frac{2^m \vec{V} (m+3)}{\Phi \pi R^{m+3}} \right]^{1/m}$$

. <u>lente</u>. b/fonté annulaire



$$\mathcal{Z}_{\omega} = \frac{\Delta P}{2L} \cdot H$$

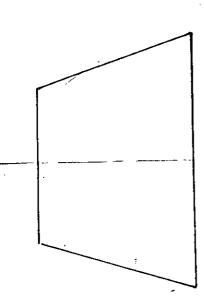
$$\mathcal{Z} = \frac{R}{2} \cdot \frac{\Delta P}{L} \cdot \left(\frac{1}{R} \right)^{2} - \frac{1 - K^{2}}{2 \ln \frac{1}{K}} \cdot \left(\frac{R}{R} \right) \quad \text{ovec: } K = \frac{Ri}{Re}$$

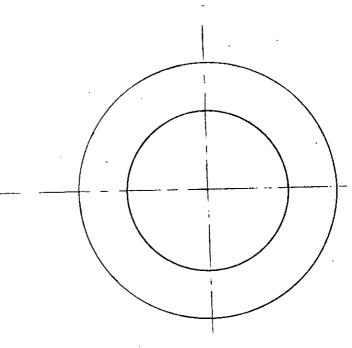
$$7 = 2\omega \left(\frac{2y}{H}\right)$$

$$\dot{\delta} = \frac{2(m+2)\dot{v}}{33H^2}$$

et:
$$\Delta P = \left[\frac{2^{m+1}(m+2)\sqrt{3}}{4\pi}\right]^{4/m}$$

c/ecoulement dans un cône •





$$K' = \frac{J\Gamma}{2^{m}(m+3)} \left[\frac{3\left(\frac{R_{o}}{\Gamma_{o}}\right) - 1\right)}{m \cdot L \cdot \left(1 - \frac{\Gamma_{o}}{R_{o}}\right)^{3/m}} \right]^{r_{o}m+3}$$

III.2.2 CALCUL DE LA CHUTE DE PRESSION DANS LES DIFFERENTES ZONES DU CANAL.

Aprés avoir déterminer le débit de la machine, la pression à l'entre de la filiere ainsi que les dimensions du canal. On est amené à calculer la chitte de pression dans les différentes zones du canal. Mais on remarque que toutes les formules donnant la pression dans les zones du canal sont en fonction de met de

m:indice d'ecoulement.

Φ:fluidité du fluide.

Pour cela on doit determiner ces deux paramètres, qui sont obternis à partir des essais rhéologiques sur la matière utilsée. Pendant ces essais une rupture apparait à l'etat liquide à la températue de l'essai à partir des valeurs critiques.

🖝 :constante de cisaillement critique,

ຽພແ:Taux de cisaillemnt critique.

Le polymère pseudoplastique est décrit(en rhéologie) par la formule:-

m* :consistance du liquide

n :indice de pseudoplasticité

d'après le graphe: $Log(Z\omega) = f(\log \aleph a\omega)$ on déduit n

tel que;
$$n = \frac{d(\log(T\omega))}{d(\log(\delta\omega))}$$
.

ζω: constante de cisaillement à la paroi

δαω : taux de cisaillement apparant

d'aprés l'expression :



Pour La zone conique de longueur L"2:-

$$\Delta P_2'' = \left(\frac{v}{k' \cdot \phi}\right)^{1/m}$$

avec:

$$K' = \frac{\pi}{2(m+2)} \left[\frac{3(-1 + Re/re)}{m \cdot L''_{2} \cdot (1 - (\frac{re}{Re})^{3/m})} \right]^{r_{e}}$$

$$Re = Re, M+1$$

$$re = R1 \quad (rayon de La 3one 1)$$

finalement:

$$\Delta P_2 = \Delta P_2' + \Delta P_2''$$

Calcul de la chute de pression dans la zone I:

La zone I est une zone cylindrique de diamètre D1=Diamètre du fourreau, elle sert à recevoir les boudins de matières plastiques sortant des trous du filtre .La chute de pression dans cette zone est insignifiante relativement à la valeur totale dans la filière.

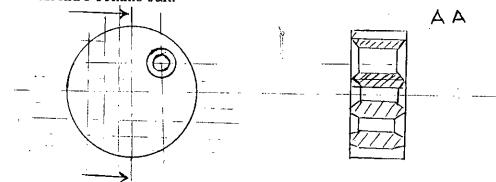
-On choisit une valeur de $ext{L}_1$, et de là on calcule $ext{ } extstyle ext{P}_1 ullet$

$$\Delta P1 = \left[\frac{2^{m} (3+m)^{v}}{\phi \pi \left(\frac{D1}{2} \right)^{3+m}} \right] \times L_{j}.$$

III.4. choix du filtre et calcul de la chute de pression :-

Le filtre se situe entre l'extrudeuse et la filière, il permet de filtrer le polymère et d'empêcher les impuretés et les corps étrangers d'y accéder à la filière.

on a choisi un filtre comme suit:



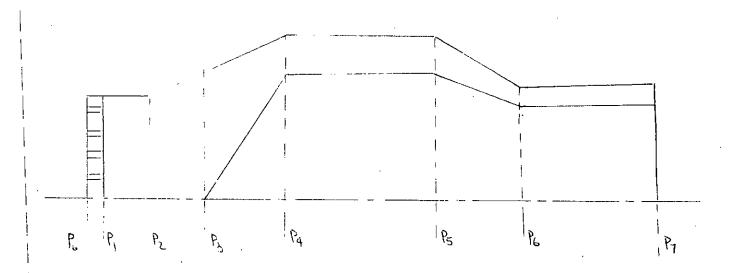
La chute de pression dans le filtre est:

$$\Delta P_{T} = \left[\frac{2^{m} (m+3) \vec{V}}{X + \pi r^{m+3}} \right] \times L_{T}$$

Pour cela on dimensionne le filtre càd donner:

- -sa longueur, Lt
- -nombres de trous; x
- -rayon des trous, r.

III.5 <u>CALCUL DE LA PRESSION DANS QUELQUES POINTS</u> <u>PARTICULIERS</u>:

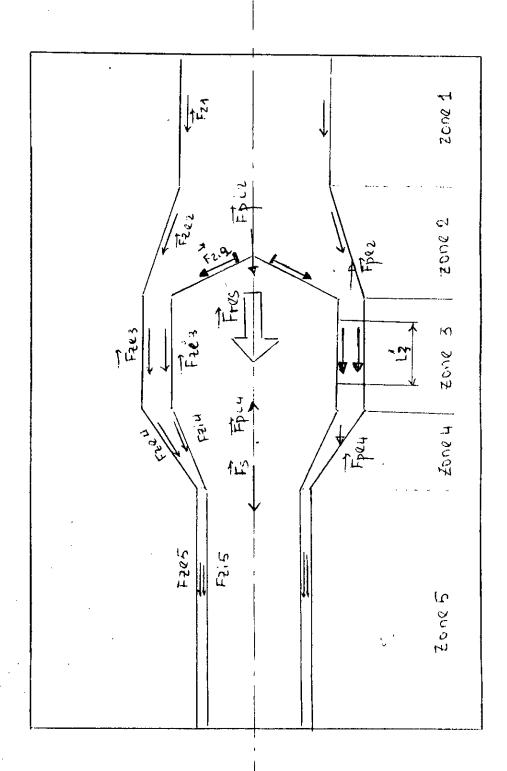


$$*P_3 = P_2 - \Delta P_2''$$

$$*P_4 = P_3 - \delta P_2$$

CHIV CONCEPTION MECANIQUE

La concéption mécanique d'une filière, est le calcul des forces et des déformations survenant lors du fonctionnement puis le dimensionnement de la filière dépend en trés grande partie des conditions rhéologiques et thermique dans la filière.



.bilan des forces dans le canal.

IV.1 dimensionnement mécanique de la filière.

Pendant que la matière s'écoule à travers la filière, les forces de viscosités Fz et les forces de pression Fp s'exercent (dans 3 directions) sur le poinçon et sur les parois du canal.

-Les pressions internes Pi essaient d'élargir la filière radialement

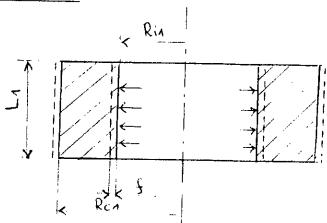
-Les forces de gravités sont négligeables.

Segment I

Forces de viscosité sur les parois du canal

Verification de la contraintes-

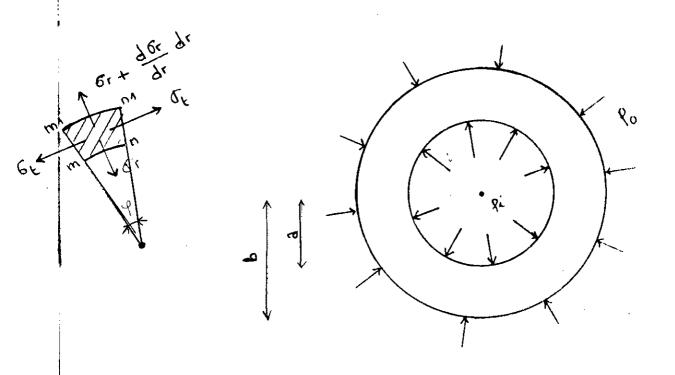
Forces de cisaillement:-



J'06:

Elargissement sous la pression interne:—

La zone I présente un cylindre creux à paroi épaisse, avec une prèssion interne. Lorsqu'un cylindre, dont la paroi a une epaisseur constante, et est soumis à l'action de la pression interne et exterieure uniformément réparties, la déformation resultante est symétrique par rapport à l'axe du cylindre et reste invariable suivant sa longueur.



On considère l'anneau dont la longueur est l'unité. Par raison de symetrie, il n'ya pas de cisaillement sur les faces d'un élèment d'anneau (mnm1n1), limité par deux plaques passant par l'axe et par deux surfaces cylindriques concentriques.

Les contraintes agissant sont:

6_b : Contrainte normale circonferentielle agissant sur les faces mm1 et nn1 de l'élèment

6. : Contrainte radiale agisant sur la face mn (varie avec r).

(c)
$$\begin{cases} 6r = \frac{E}{1 - y^2} \left(\frac{du}{dr} + y \frac{U}{r} \right) \\ 6t = \frac{E}{1 - y^2} \left(\frac{u}{r} + y \frac{du}{dr} \right) \end{cases}$$

\$i on remplace 6 r et 6 t dans (b) on aura:

$$\frac{d^2u}{dr^2} + \frac{1}{r} \frac{du}{dr} - \frac{u}{r} = 0$$

La solution générale de cette équation est:

(e)
$$u = C_1 x + \frac{C_2}{x}$$

Par substitution, les constantes c1 et c2 sont déterminées par les conditions aux surfaces intérieures et extérieures du cylindre ou les pressions, càd les contraintes normales sont connues. Portant (e) dans (c) on aura:

(f)
$$6r = \frac{E}{1-4^2} \left[C_1 \left(1+4 \right) - C_2 \frac{1-4}{r^2} \right]$$

(8)
$$6_{E} = \frac{E}{1-y^{2}} \left[C_{1} \left(1+y \right) + C_{2} \frac{1-y}{n^{2}} \right]$$

On designe par Pi : la pression intérieure,

Po: la pression extérieure.

Les conditions aux surfaces intérieures et exterieures du cylindre sont:

$$\begin{cases} (6r)_{r=b} = -P_0 \\ (6r)_{r=a} = -P_0 \end{cases}$$

De là, on détermine c1 et c2.

$$\begin{cases}
C_1 = \frac{1-4}{E} \cdot \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{b^2 - a^2} \cdot \\
C_2 = \frac{1+4}{E} \cdot a^2 b^2 (P_i - P_o) \cdot \\
C_3 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{b^2 - a^2} - \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 (b^2 - a^2)} \cdot \\
C_4 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{b^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 (b^2 - a^2)} \cdot \\
C_5 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{b^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 (b^2 - a^2)} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 b^2}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 P_o}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 P_o}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 P_o}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 P_o}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a^2 P_o}{r^2 - a^2} \cdot \\
C_7 = \frac{a^2 P_i - b^2 P_o}{r^2 - a^2} + \frac{(P_i - P_o) a$$

Cas où la pression n'est soumis qu'à la presion exterieure Pi=0

$$6r = -\frac{P_0 b^2}{b^2 - a^2} \left(1 - \frac{a^2}{r^2} \right)$$

$$6t = -\frac{P_0 b^2}{b^2 - a^2} \left(1 + \frac{a^2}{r^2} \right)$$

$$\left(6t \right) \max = -\frac{2 P_0 b^2}{b^2 - a^2}$$

Cas où le cylindre n'est soumis qu'à la pression interne Po=O

$$6_{r} = \frac{a^{2} P_{i}}{b^{2} - a^{2}} - \frac{P_{i} a^{2} b^{2}}{h^{2} (b^{2} - a^{2})} = \frac{a^{2} P_{i}}{b^{2} - a^{2}} \left(1 - \frac{b^{2}}{h^{2}}\right)$$

$$6_{k} = \frac{a^{2} P_{i}}{1^{2} - a^{2}} + \frac{P_{i} a^{2} b^{2}}{h^{2} (b^{2} - a^{2})} = \frac{a^{2} P_{i}}{b^{2} - a^{2}} \left(1 + \frac{b^{2}}{h^{2}}\right)$$

$$(6_t)_{max} = \frac{P_i(a^2 + b^2)}{b^2 - a^2}$$
 Pour $r = a$

$$u = \frac{1-4}{E} \frac{a^2 R_i - b^2 R_0}{b^2 - a^2} + \frac{1+4}{E} \frac{a^2 b^2 (R_i - R_0)}{(b^2 - a^2)^n}$$

$$(u)_{r=a} = \frac{a p i}{E} \left(\frac{a^2 + b^2}{b^2 - a^2} + 4 \right)$$

$$(u)_{r=b} = -\frac{b P_0}{\bar{\epsilon}} \left(\frac{a^2 + b^2}{b^2 - a^2} - 4 \right)$$

dans notre cas on a Fo=O

donc :

$$fi = \frac{P_i R_i}{E} \left[\frac{R_c^2 + R_i^2}{R_c^2 - R_i^2} + \Psi \right]$$

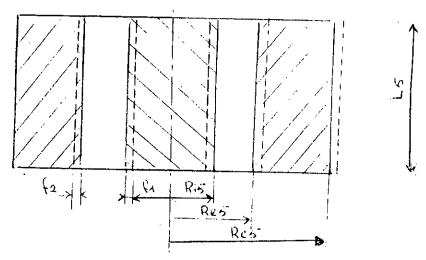
$$cad: \frac{Efi}{P_i R_i} = \frac{R_c^2 + R_i^2}{R_c^2 - R_i^2} + \Psi$$

fielargissement du cylindre dans la zone I:-
solt :-
$$\alpha = \frac{\epsilon fi}{P_i R_i}$$
 -> $\alpha - 4 = \frac{R_c^2 + R_i^2}{R_c^2 - R_i^2}$

=>
$$(\alpha - 4 - 1) R_c^2 = (\alpha - 4 + 1) R_c^2 => R_{c_1 min} = R_c \sqrt{\alpha - 4 + 1}$$

Avec Pi=Pmax (pression à l'entrée de la zone 1) Pi=P1 Ri=R1: rayon de la zone 1

Segment V.



contrainte de cisaillement sur les parois du canal.

<u>Verification des contraintes:</u>

Forces de cisaillement:

avec:

Elargissement du canal:

dans cette zone on a:

- -Elargissement de la paroi extérieure : f2
- -Retrecissement de la paroi intérieure : f1

$$f_1 + f_2 = fadm.$$

Compression:

$$f_1 = \frac{Ris \cdot Pe}{E} \left(L - \gamma \right)$$

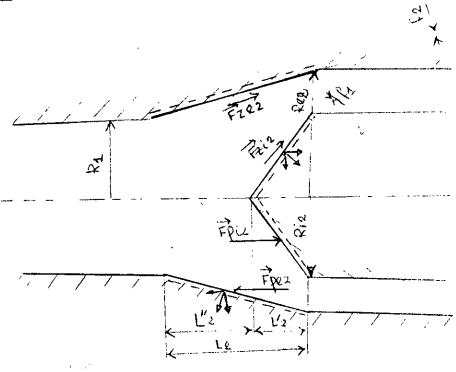
d'où

$$Rcsmin = Res \sqrt{\frac{\alpha - 4 + 1}{\alpha - 4 - 1}}$$

avec:

$$\alpha = \frac{E.f2}{P_6.Re5}$$

Zone II



On approxime la zone canonique de longueur L''2 à un tube cylindrique de rayon moyen R'' tel que:

$$\bar{R}'' = \frac{Re_{,M+1} + R_{1}}{2}$$

$$\bar{C}''_{\omega_{2}} = \frac{\Delta P''_{2} \cdot \bar{R}''}{2 L''_{2}} \Longrightarrow F_{\bar{z}}'' = \bar{C}''_{\omega_{2}} \cdot A''$$

Soit

$$F_{Z} = C_{\omega}^{"} \cdot 2\pi \cdot \overline{R}^{"} \cdot L_{2}^{"} = F_{Z} = \Delta p_{2}^{"} \cdot \overline{R}_{2}^{"} \cdot \pi$$

d'où

$$R_c'' \min = \overline{R}'' \sqrt{\frac{\alpha - 4 + 1}{\alpha - 4 - 1}}$$

avec :-

$$\alpha = \frac{f.E}{Pi.R''}$$
 Pi = P2. (Préssion à l'enfree de La zone 2).

La zone de la longueur \mathbf{L}_2' est subdivisée en un nombre \mathbf{M} de segments annulaires (déja fait en pression).

On a deux parois qui se cisaillent (interne et externe).

Freij =
$$- \frac{7}{4} \omega_{ij}$$
. \overline{A}_{ij}

Freij = $+ \frac{7}{4} \omega_{ej}$. $\overline{A}_{e,j}$

avec

$$\begin{cases}
7 \omega_{ij} = \frac{\overline{R}_{e,j}}{2} \frac{\Delta P_{ij}}{L_{ij}} \left[K^{2} - \frac{1 - K^{2}}{2 K L_{ij}} \frac{1}{K} \right] : K = \frac{\overline{R}_{i,j}}{\overline{R}_{e,j}} \\
\overline{A}_{i,j} = 2 \pi \overline{R}_{i,j} L_{j}
\end{cases}$$

Frij = $\frac{M}{A}$

Frij = $\frac{M}{A}$

Frij = $\frac{M}{A}$

$$2\omega ej = \frac{Rej}{2} \frac{\Delta Pj}{Lj} \left[1 - \frac{1-K^2}{2 \ln \frac{\Delta}{K}} \right] ; K = \frac{Rij}{Rej}$$

$$F_{202} = \sum_{j=1}^{m} F_{20j} + F_{22}''$$

Verification des contraintes:

Calcul de l'élargissement et de la compression: -

Dans cette zone on a une compression de la paroi interne et un élargissement de la paroi externe.

$$\beta_1 = \frac{(1-y)}{E} \cdot ri \cdot P_{max}$$

La compression (sur le poinçon) est maximale pour le rayon :-

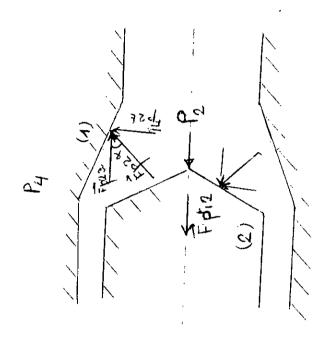
P2 = Pmax (pression à l'entrée de la zone II) pour l'élargissement

$$f_2 = f - f_1$$

et de là, on calcul le rayon exterieur du corps :-

avec
$$=$$
 $\propto = \frac{f_2 E}{P_2 \cdot Re2}$

Calcul de la force de pression axiales-



Fpa :- force de pression axiale.

Fpt :-force de pression transversale.

Fp :-force de pression.

$$\overrightarrow{Fp_2} = \overrightarrow{Fp_2t} + \overrightarrow{Fp_a}$$

Par raison de symetrie, les forces de pression s'annulent mutuellement. D'après Michaelli la force de pression de cette zone est constdérée lineaire:

$$Fp_{a2} = Fp_2 \cos \alpha = \int P_2 ds \cos \alpha$$

Avec S' = S cos α c'est la surface projetée dans le plan perpendiculaire à la direction de $\overline{FP}_{\alpha 2}$

Pour la surface (1):

$$F_{Pe2} = \pi P_2 \left(R_{e3}^2 - R_{e1}^2 \right) + \frac{2}{3} \frac{(P_2 - P_4)}{R_{e3} - R_{e1}} \left(R_{e3}^3 - R_{e1}^3 \right)$$

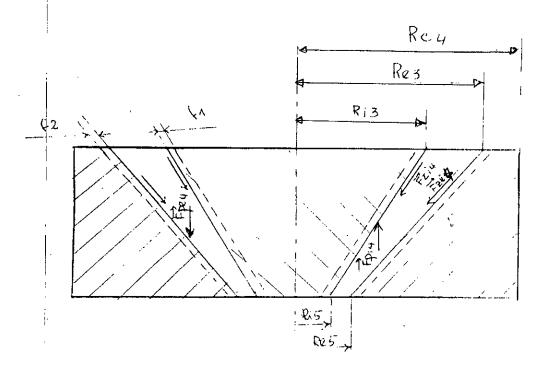
Pour la surface (2)

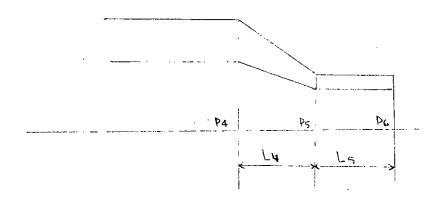
$$F_{Pi2} = \pi P_3 \quad R_{i3}^2 + \frac{2}{3} \frac{(P_3 - P_4)}{R_{i3}} \cdot R_{i3}^3$$

$$F_{Pi2} = \pi R_{i3}^2 \left[P_3 + \frac{2}{5} (P_3 - P_4) \right]$$

$$F_{Pi2} = \pi R_{i3}^2 \left[\frac{5}{3} P_3 - \frac{2}{3} P_4 \right]$$

Zone IV





La zone (4) est une fente conique convergente d'angle (sup= β et d'angle inf= α) pour ce cas là on n'a pas une formule qui puisse nous donner la chute de pression, pour cela on a divisé cette zone en petits segments, ainsi on assimile chaque partie à une fente circulaire annulaire et puis on applique la formule qui lui est attachée.

N:nombre de parties,

 L_i :longueur de la zone circulaire annulaire .

$$\Delta P_{j} = \left[\frac{2^{m+1}(2+m)\dot{v}}{\phi 5\pi b_{j} H_{j}^{m+2}}\right]^{1/m} \times L_{j}$$

avec:

$$Dj = \overline{Reij} + \overline{Riij}$$

$$Hj = \overline{Reij} - \overline{Riij}$$

$$\overline{Reij} = \frac{\overline{Reij+1} + \overline{Reij}}{2}$$

$$\overline{Riij} = \frac{\overline{Riij+1} + \overline{Riij}}{2}$$

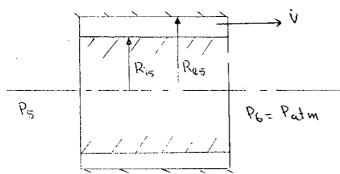
à partir du graphe: $(\sqrt[5]{a}, \sqrt[7]{\omega})$ on tire m^*

par identification

$$\left(\frac{1}{\phi}\right)^{1/m} = m^{\frac{1}{2}}$$

$$\Rightarrow \phi \quad \text{at } m$$

on commence le calcul par la zone 5:



La zone 5 est une fonte annulaire de rayons ($R_{i5}\,$, \Re_{e5}) et $\,$ de longueur L_5

$$\Delta P_{5} = \left[\frac{2^{m+1}(2+m)\vec{v}}{\phi \, \text{TI} \, D \, H^{m+2}} \right]^{1/m}. L_{5}$$

$$\begin{array}{lll} D = R_{e5} & + & R_{i5} \\ H = R_{e5} & - & R_{i5} \\ \hline & & \text{débit volumétrique} \end{array}$$

calcul de la chute de pression dans la zone IV

$$\frac{\text{on a:}}{\text{Re,j+1}} = \text{tg} \, \beta = > \quad \text{Re,j+1} = \text{Lj tg} \, \beta + \text{Re,j}$$

avec:
$$Rej=1=Re5$$

$$Rij=1=Ri5$$

$$Rij$$

$$Rij$$

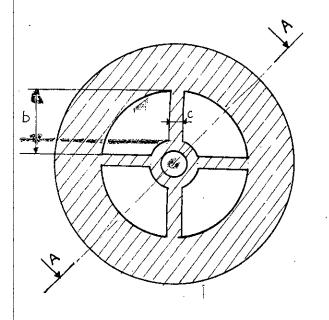
$$Rij$$

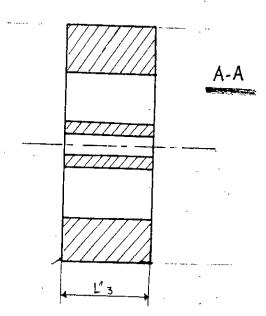
 P_4 : pression dans la zone 4.

$$\Delta P_4 = \sum_{j=1}^{N} \Delta P_j$$

CALCUL DE LA CHUTE DE PRESSION DANS LA ZONE 3:--

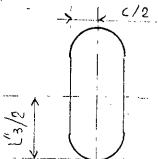
Pour fixer le poinçon au corps de la filière dans une position bien déterminée et précise, on utilise des ailettes (entretoises). Il y'a plusieurs types d'entretoises qui sont utilisées pour l'extrusion des tubes, les plus repandues sont celles de types radiales car leur mode de calcul est facile et leur usinage et plus ou moins simple par rapport aux autres.





Les entretoises sont conçues avec :

- -des longueurs L < 30 mm,
- -epaiseur des aillettes C < 9 à 12 mm et présente un angle aigu de 8° environ,
- -la hauteur de la fente de passage se situe entre 10 à 25 mm,
- -la section des aillettes et de formes elliptiques.



d'où sa surface est :

$$A = \frac{L_3^{"}}{2} \cdot \frac{c}{2} \cdot \pi = \frac{\pi L_3^{"} \cdot c}{4}$$

L'expression qui donne la dépression dans les ailettes(longueur L"3) est:

$$V = 4 \cdot \left[8 \cdot \left(\frac{A}{Z} \right)^2 \cdot \frac{\Delta P_3''}{7 \cdot L_3''} \cdot \frac{A}{f \cdot Re} \right]$$

coef 4 : Il y'a 4 ouvertures dans le porte poinçon.

A :Section de la lumière.

Z :périmètre mouillé de l'ouverture .

f :coefficient de friction.

Re :nombre de Reynolds.

 $f:R_e$: est determiné à partir d'un graphe pour une ouverture égale au 1/4 de la section totale du passage du polymère en fonction de k :

$$\begin{array}{c} R_{i3} \\ K = & \\ R_{e3} \end{array}$$

Dimensionnement de l'ailette (ouverture)

 $b = R_{e3} - R_{i3}$ hauteu

hauteur de l'ailette.

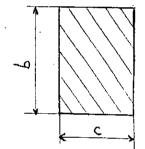
 L_3 : longueur de l'ailette choisi e

c : épaisseur de l'aillette choisie

la projection de la section des ailettes dans le sens de l'écoulement etant rectangulaire :

déterminons la section de l'ouverture (A) :

$$A = \frac{1}{4} \left[\pi \left(R_{e3}^2 - R_{i3}^2 \right) - 4 bc \right]$$



Determinons le périmètre mouillé de l'ouverture :

$$\overline{Z} = \left[\frac{2\pi Re3}{4} - C \right] + \left[\frac{2\pi Ri3}{4} - C \right] + 2b$$

$$f Re = f(K)$$
 avec $K = \frac{R_{i3}}{R_{03}}$

A partir du graphe on détermine f.R_e (pour une ouverture égale au quart de la section annulaire).

ďoù:∽

$$\Delta P_3'' = \frac{7 \cdot L_3'' \cdot Re \cdot V}{32 \cdot (A \cdot L_2)^2 \cdot A}$$

La longueur totale de la zone III est :
$$L_3 = L_3' + L_3'' +$$

$$\Delta P_{3}' = \Delta P_{3}''' = L_{3}'' \left[\frac{2^{m+1} \cdot (2+m) \cdot \vec{v}}{\phi \pi D_{3} b^{m+2}} \right]^{1/m}$$

avec:

$$D_3 = Re_3 + Ri_3$$

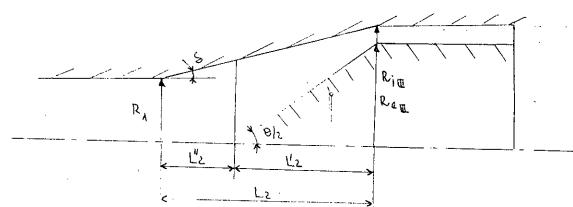
$$b_3 = Re_5 - Ri_3$$

$$\Delta P_3' = \Delta P_3'''$$

donc la pression totale dans la zone 3 est :

$$\Delta P_3 = \Delta P_3' + \Delta P_3'' + \Delta P_3''$$

CALCUL DE LA CHUTE DE PRESSION DANS LA ZONE II:



on divise cette zone en deux parties :

- -la première partie est une zone conique annulaire.
- -La deuxièmme partie est une zone conique.

Pour la zone conique annulaire:

On procède de la même façon que pour la zone IV. càd on divise la longueur L_2 à un nombre m de segement afin qu'on puisse assimiler chaque partie à une fente annulaire :

$$\frac{L_{2}^{'}}{M} = L_{j}$$

$$L_{j} : longueur du segment de la fente annulaire.$$

$$\Delta P_{j}^{'} = \left[\frac{2^{m+1} (m+2) \dot{v}}{\Phi \pi D_{j} H_{j}^{m+2}} \right]^{1/m}. L_{j}$$

avec : 📈

$$H_{\delta} = Re_{ij} - Ri_{ij}$$

$$D_{j} = Re_{j} + Ri_{j}$$

$$Re_{i,\delta} = \frac{Re_{i,\delta} + 1 + Re_{i,j}}{2}$$

$$Ri_{i,\delta} = \frac{Ri_{j,\delta} + 1 + Ri_{j,\delta}}{2}$$

On a:

$$\frac{Re, j+1-Re, j}{Lj} = -tg S \Longrightarrow Re, j+1 = -tg S. Lj + Re, j$$

$$\frac{Ri, j+1-Ri, j}{Lj} = -tg \frac{\theta}{2} \Longrightarrow Ri, j+1 = -Lj tg \frac{\theta}{2} + Rij$$

avec:

Re3 = Re,1 } cad à j=1

Ri3 = Ri,1 } cad à j=1

$$\Delta P_2' = \sum_{j=1}^{M} \Delta P_j'$$

Forces de viscosités sur les parois du canals-

Fz i, j =
$$+ \text{ Zwij} \cdot \overline{Ai,j}$$
 ; Fz i $+ \text{ Zwij} \cdot \overline{Ai,j}$; Fz e $+ \text{ Zwej} \cdot \overline{Ae,j}$; Fz e $+ \text{ Zwej} \cdot \overline{Ae,j}$; $+ \text{ Zwej} \cdot \overline{Ae,j$

Verification des contraintes: -

Elargissement:

Dans cette zone on a:

f₁ : Compression du poinçon (radialement).

f2 : Elargissement de la filière (radialement)

calcul de f

On sais que:
$$f_1 + f_2 = f$$
d'où $f_2 = f - f_1$

$$f_2 = \frac{P_5 R_{e5}}{E} \left[\frac{R_{c4} + R_{e5}}{R_{c4}^2 - R_{e3}^2} + 4 \right]$$

i d'où

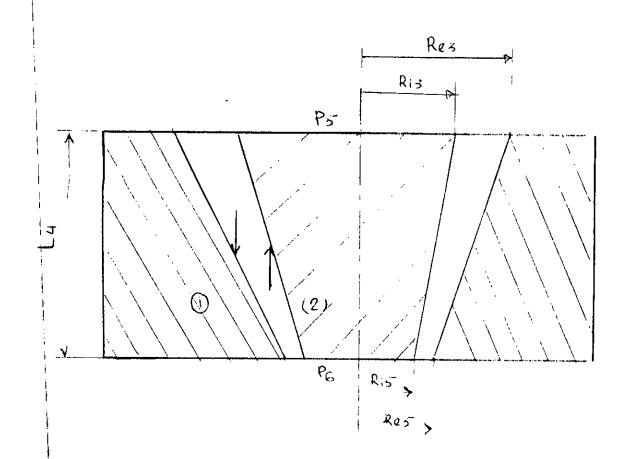
$$Rc_{4} \min = Re_{3} \sqrt{\frac{\alpha - 4 + 1}{\alpha - 4 - 1}}$$

avec

$$\alpha = \frac{E \int_{2}^{2}}{P_{5} R_{63}}$$

Calcul des forces de pressions axiales.

Comme pour le segment (2) la chute de pression est considérée linéaire.



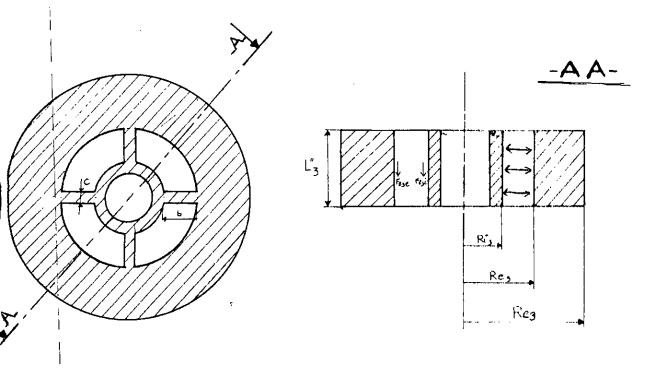
Pour la surface (1):

Fpe 4 =
$$\pi P_5 \left(\frac{2}{Re_3} - \frac{2}{Re_5} \right) = \frac{2}{3} \frac{\left(\frac{P_5 - P_6}{Re_3} \right) \left(\frac{1}{Re_3} - \frac{1}{Re_5} \right)}{Re_3 - Re_5}$$

Pour la surface (2):

Fpi4=
$$\pi P_5 \left(\frac{2}{Ri_3} - \frac{2}{Ri_5} \right) = \frac{2}{3} \frac{(P_5 - P_6)}{Ri_3 - Ri_5} \left(\frac{2}{Ri_3} - \frac{2}{Ri_5} \right)$$

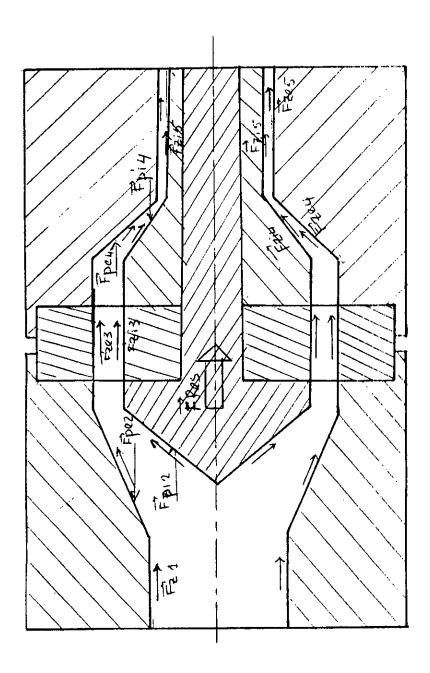
Segment III .



Détermination du rayon extérieure de la bague (porte poinçon):-

Puisque la chute de pression de la zone III est inférieure à celle de la zone II (d'aprés Michaelli AP III est negligeable) et les rayons intérfeurs et extérieurs du canal III sont utilisés pour le dimensionnement du rayon extérieur du corps de la filière dans la zone II on peut alors écrire:

Resmin = Rezmin



vue de coupe de la félière type

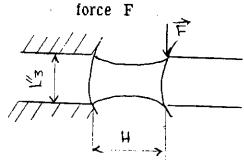
Les forces influent sur les entreforces sont:

Comme pour le segment V, on peut calculer les forces de viscosité sur les parois du segment III, mais puisque peu d'entreforces sont prévues (n=A) alors on peut négliger ces forces de viscosité. De même que la déformation radiale sous l'effet de la pression interne, on peut la négliger aussi du moment que le porte poinçon est écrasé entre les deux parties du corps de la filière.

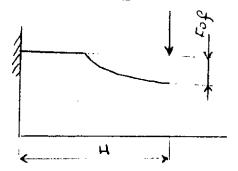
La figure montre les forces s'exerçant sur le poinçon réuniesà une force résultante Fres.

Calcul de la déformation de l'entretoise;

Déformation sous l'effet de la



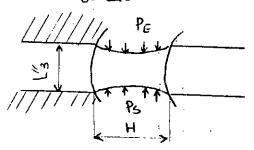
Fléchissement



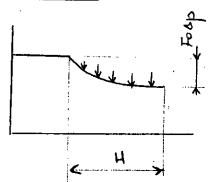
$$I_{\times} = \frac{\pi L^{3}b}{64}$$

$$\downarrow \qquad \qquad \downarrow \qquad \qquad \downarrow$$

Déformation sous l'effet de la charge ΔP

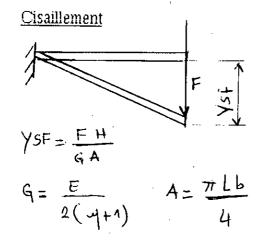


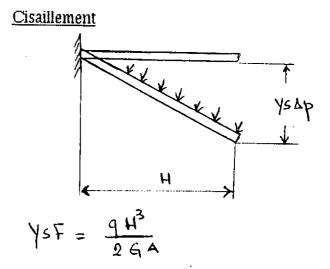
Fléchissement



$$q = \frac{F}{H} = \frac{\Delta P.bH}{H} = \Delta P.b$$

$$F_{of} = \frac{F_o H^3}{12 \, \tilde{\epsilon} \, I_X}$$





 $\begin{array}{ll} \text{charge avec } F \\ \text{fres} = F_{0f} & + & Y_{sf} \\ \text{charge avec} & \triangle & P \end{array}$

fres = f_0 + Y_5

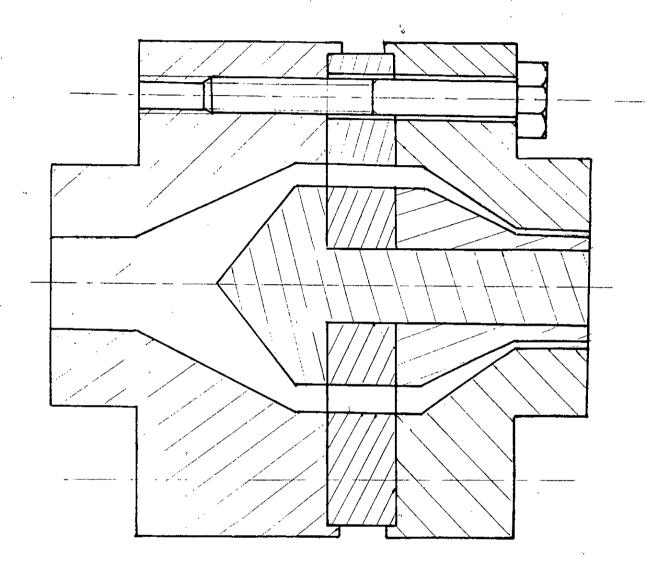
On prend le premier cas et on vérifie la condition suivante :

fres < fadm = 0.05 de là on dimensionne l'entretoise.

$$\hat{F}_{reS} = \frac{FH^3}{12 EIx} + \frac{FH}{GA} < 0.05$$

d'ou: on determine Les dimensions exactes de l'entretoise: b, H, L'3

Dimentionnement des vis de fixation :-



La forme extérieur de la filière est un assemblage de deux parties par l'intermediaire de vis. D'aprés Michaelli, la filière doit être tenue par quelques grandes vis au lieu de nombreuses petites vis, et ça, pour réduire le temps de montage et démontage et assurer une durée de vie plus longue pour les grandes vis.

Calcul de la force supportée par les vis :

$$\overrightarrow{FV} = \overrightarrow{Fpi2} + \overrightarrow{Fpi4} + \overrightarrow{Fpe4} + \overrightarrow{Fzi2} + \overrightarrow{Fzi5} + \overrightarrow{Fze4} + \overrightarrow{Fze5}$$

$$FV = Fpi2 + Fpe4 - Fpi4 + Fzi2 \cos \frac{\theta}{2} + Fzi5 + Fze4 \cos \beta + Fze5$$

Choix du matériau des vis :---

On choisit un acier de propriétés suivantes : $\left(R_{m} - et - R_{e}\right)$

Condition de résistance des vis:

$$= > \frac{F_{V}}{n \cdot \pi d^{2}} \leqslant \left[6 t \cdot \overline{J} \stackrel{\circ}{a} J \right]$$
 (1)

ns: coeficient de securité: dans le cas pareil ns = 1.5

d : diamètre du noyau de la vis.

n : nombre de vis.

Dans cette formule, on fixe les nombres de vis n et on calcule le diamètre dmin, et à partir du guide du dessinateur, on détermine le pas, la longueur totale, la longueur filetée et toutes les caractéristiques de la vis, et ça, aprés avoir calculer les dimensions mécaniques réelles de tous les organes de la filière.

IV.3 CHOIX DUMATERIAU:

Les matériaux doivent répondre aux éxigences suivantes :

- Bonne usinabilité (résistance à l'usure et à l'érosion)
- -Bonne résistance à la pression, aux températures élevées et à l'usure
- -Solidité et tenacité suffisante
- -Dureté de surface suffisante
- -Facilité de polissage sur surfaces irréprochables
- -Traitement thermique simple
- -Gauchissement minimal et faible variation de cotes lors du traitement thermique
- -Resistances aux agressions chimiques (corrosion)
- -Possibilité de traitement de surface
- -Bonne conductibilité thermique
- -Non soumis aux tensions

Ces exigences ne doivent cependant pas être remplies par un seul matériau. Le choix du matériau doit se faire :

- -La matière à transformer(température de transformation, corrosion, usure élevée).
- Le type et la grandeur de la contrainte mécanique

-La fabrication des filières (une finition par usinage est possible jusqu'à une résistance du matériau d'environ 1500 N/mm², les conditions optimales de résistances se situent aux alentours de 600 à 800 N/mm²)

-Le traitement thermique nécessaire et, par voix de conséquence, le retrait, et toute variation de cote

Ainsi, pour les filières d'extrusion, on emploi en plus d'un nombre trés réduit de matériaux non ferreux, Les aciers suivants:

- -Aciers de nitruration
- -Aciers de cimentation
- -Aciers durcis
- -Aciers pré-traités

-Aciers inoxydable

Afin d'augmenter la résistance à la corrosion et à l'usure, on fait appel pour les filières d'extrusion aux :

- Couches protectrices en chrome (chromage dur)
- -Couches protectrices au nickel ou alliages avec fort pourcentage de nickel
- -Couches en carbure de titane

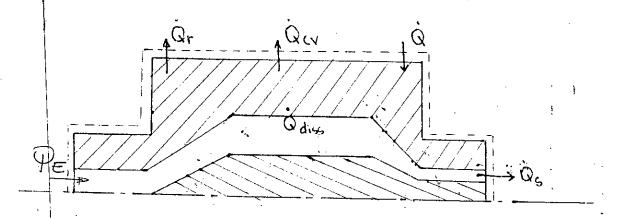
CH V CONCEPTION THERMIQUE

Les conditions de température dans une filière ont une grande influence sur la grandeur du flux local de matière (en raison de la variation de la viscosité locale de la matière), sur la chute de pression et la température de la matière.

Ainsi donc, il apparait nécessaire d'apporter une attention toute particulière à la conception thermique des filières, afin de ne pas utiliser de manière plus ou moins absurde les points de vues rhéologiques qui conduisent à la conception du canal, en raison de conditions aux limites thermiques insatisfaisantes.

V.1 BILAN THERMIQUE DE LA FILIERE:

Afin d'obtenir une représentation de la qualité de chaleur à véhiculer dans la zone stationnaire d'une filière c'est à dire lorsque la température du corps de filière reste quasi-constante, il est nécessaire d'établir un bilan thermique de toute la filière et de déterminer le flux thermique un par un . Partant de l'hypothèse admissible qu'il n'ya aucun échange thermique par conduction entre l'extrudeuse et la filière. La fig ci-dessous montre le flux thermique à considérer lors du bilan



Qe: flux thermique entrant dans la filière avec la matière . Qs: " " sortant de " " " " " " Qcv: " " de la filière par convection . Qr: " " " " " rayonnement . Q: " " " " " élément chauffant .

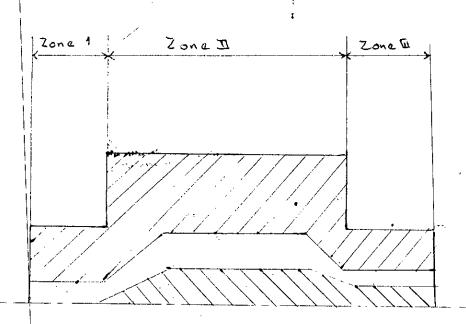
Qdiss: énergie disipée dans la filière par unité de temps 🕡

donc le bilan sera :
$$(\dot{Q}e + \dot{Q}) - (\dot{Q}s + \dot{Q}ev + \dot{Q}r) + \dot{Q}diss = 0$$

On considère l'état stationnaire, à cet état une obligation à respecter la matière entrant dans la filière doit si possible ressortir avec la même température.

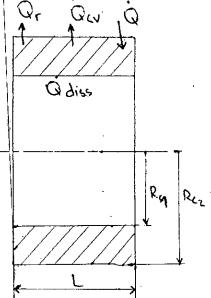
Remarque: La température de la paroi du canal doit être approximativement égale à celle de la matière .De cette dernière remarque on peut dire que le flux thermique convectifs entre parois interne et externe est nulle.

A cause de la non uniformité des parois externes on divise la fillère en 3 parties chaufées séparement \cdot



V. 2 CALCUL DE LA TEMPERATURE DES ÉLÉMNETS CHAUFFANTS :-

Bilan thermique de la zone 1



:Coef de transfert thermique par rayonnement

Tre : Température des éléments chauffants

Ta: Température ambiante

Ac : surface cylindrique externe

$$\dot{Q}$$
+Qdiss = Qcv+Qr

$$\dot{Q} = Ac \left(Tfe - Ta\right) \left(\alpha cv + \alpha R\right) - \Delta P \dot{V}$$
 (1)

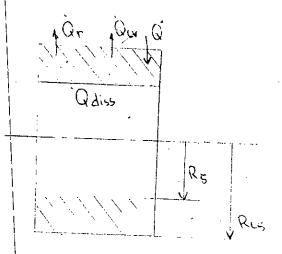
d'autre part

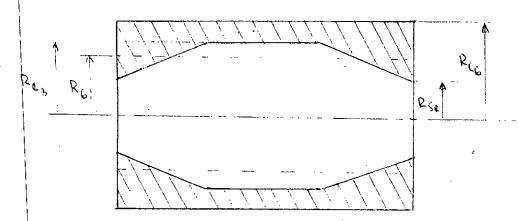
$$Q = 2\pi \lambda L \frac{Tfe - Tfi}{Ln \frac{Rci}{Ra}}$$
 (2)

on a
$$(1) = (2)$$

Bilan thermique de la zone 🔽

Cette zone a une forme semblable à la zone I





On remarque que la paroie interne de cette zone n'est pas uniforme mais on peut considérer cette zone comme etant un cylindre avec un diamètre moyen égal à la moyenne des diamètres intérieurs.

$$R6 = \frac{1}{3} \left[\frac{Re1 + Re3}{2} + Re3 + \frac{Re3 + Re4}{2} \right]$$

de la on aura:

CH VI PROGRAMMATION & APPLICATION

VI. 1 Programmation

Aprés avoir établi toutes les formules nécessaires pour le calcul des différentes étapes, on a élaboré un logiciel qui nous permet d'avoir les résultats pour le dimensionnement mecanique des filières

Frogramme: (voir annexe)

VI.2 Essais rhéologiques :

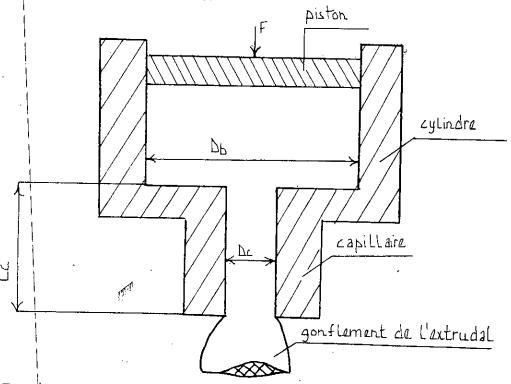
Le but de cette expérience est d'étudier le gonflement à la sortie de la filière. Les mesures de viscosité capillaire permettent d'accéder à la valeur de la viscosité correspondant au taux de cisaillement à la paroi du tube.

L'appareil utilisé est le rhéomètre capillaire.

Description de l'équipement

L'appareil utilisé consiste à un piston de diamètre Dp placé à l'intérieur d'un cylindre de diamètre Db avec Db=Dp La partie essentiel d'un rhéomètre est le capillaire de dimensions connues (Dc,Lc). On applique une charge F sur le piston, sa déscente dans le cylindre force la matière plastique fondu dans le capillaire.

Des dispositifs élèctriques permettent de controler les différents paramètres. Le capillaire posséde 3 zones chauffés par des résistances pour assurer la fusion de la matière.



Procedure:

On place le capillaire (Lc,Dc) dans le cylindre, on porte les trois zones à la température desirée, on remplie le cylindre avec la matière première, qui est

tassée à l'aide du piston pour éviter les bulles d'air dans l'extrudat, puis on accroche le piston à l'unité de charge F, on fixe la vitesse V, on lie la valeur de F et on mesure le diamètredde l'extrudat. L'extrudat sortant du capillaire ne doit pas être tiré mais coupé brusquement afin de ne pas altérer la mesure de son diamètred.

$$V = \frac{VxH}{60} \left(\frac{Db}{Dc} \right)^2$$

V x H : Vitesse réelle du polymère fondu

: Vitesse selectionnée et lue sur le pupitre

le taux de cisaillement apparent est:

$$\sqrt[4]{a_m} = \frac{\sqrt[4]{D^c}}{\sqrt[4]{A}}$$

La contrainte de ciscaillement à la paroi est:

Ap: section du piston

La force appliquée est determinée comme suit:

$$F[k_g \ f] = \begin{bmatrix} \text{lecture de la force x multiplicateur d'echelle} \\ x \ \text{échelle de la charge} \end{bmatrix} x \ 1/100$$

La viscosité apparente:

Le taux de cisaillement corrigé:

$$\delta_{\omega} = \frac{3n+1}{4n}$$

A partir des courbes, on déduit n:

$$n = \frac{d(\log \zeta_w)}{d(\log \delta_{dw})}$$

La viscosité corrigé est donc

$$J = \frac{2^m}{\sqrt{m}}$$

CH VII . MANIPULATION, ENTRETIEN ET SOIN DES FILIERES.

A partir de ces données, on établi des tableaux recapitulatifs des résultats obtenus pour deux essais à deux températures différentes:

- Essai à T = 180 °c

- Essai à T = 200 °c

VI.3 <u>Données et résultats:</u>

VI.3.1 Données:

a) Caractéristiques du materiaux utilisé:

- Matière plastique: PVC régide.

- Température d'extrusion: T= 200 °c

- Viscosité du polymère : = 6722. (Pa.s)

- Densité du polymère à l'état solide : $= 1.4 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$

- Densité du polymère à T=200 °c : $=1,28 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$

- Taux de gonflement : Sr= 1,48

- Indice d'écoulement : $m=2,31 \text{ M}^m/N^n \times S$

- Fluidité du fluide : PHI=2,4 x 10⁻¹¹

b) Caractéristiques de la machine d'extrusion:

- Nom de la machine B 120

- Débit max de la machine $Q = 3.6 \times 10^{-5} \text{ m}3/\text{s}$

- Diamètre intérieur du fourreau D1=120 mm

- Diamète du noyau de la vis D2=119.5 mm

- Epaisseur du filet de la vis E1=12 mm

- Distance corps vis-cylindre H=5 mm

- Angle d'inclinaison de l'arrête du filet PSI=17°45'

- Nbre de tours de la vis N=2O tr/mn

- Longueur de la vis DTZ=1800 mm

- Taux de tirage DDR=1,22

c) Caractéristiques de la filière

- Longueur du tamis Lt=15 mm

- Nbre de trous dans le tamis X=260

- Rayon des trous du tamis R=3 mm

- Longueur de l'entretoise L''3=30 mm

- Epaisseur de l'entretoise C=18 mm

- Coefficient de l'ouverture de l'ailette f. Re=21

- Rapport de diamètres (poinçon / sortie de filière) A1=1,5

- Angle d'inclinaison du cone du poinçon ALPHA=20°

- Angle d'inclinaison du corps de la filière BETA=30°

- Longueur de la zone 3 L3=40 mm

- Longueur de la zone 1 L1=60 mm

- Angle d'inclinaison du corps de la filière Sigma=10°

- Angle de la pointe du poinçon TETA=94°

- Nbre de segments de la zone 2 P=20
- Nbre de segments de la zone 4 M1=20

c) Caractéristiques du matériau de la filière:

- Designation

1.41122 (Z35 CD 17) N°

- Contrainte de cisaillement admissible -

=38 dan/mm²

- Coefficient de poisson
- Mu=0.33
- Module de young

 $E = 21 \times 10^{-3} dan/mm^2$

d) Caractéristiques du materiau des vis:

- Désignation
- Resistance à la traction minimale Re=655 N/mm²
- Résistance minimale à la rupture Rm=830 N/mm²
- Nbre de vis

S=6

- Coef de sécurité

NS=1.5

- Déformation admissible

F=0.05

e) Caractéristiques du produit final

- Diamètre intérieur du tube

Di=85 mm

- Diamètre extérieur du tube

De=90 mm

VI 3.2 Résultats:

- Pression à l'entrée de la filière . DTP=3.897448 x 10 6 Pa

a) <u>Dimensions du canal d'écoulement</u> (en mètres) :

- -DE5= 8.54759 x 10-2
- DI5= 8.070995×10^{-2}
- $-H5 = 2,382975 \times 10^{-3}$
- $-L5 = 7.121466 \times 10^{-2}$
- DI4= 0.121 O649
- DE4= 0.1493955
- $-L4 = 5.544855 \times 10^{-2}$
- DI3= 0,1210649
- DE3= 0.1493955
- -L3 = 0.04
- -LS3=0,03
- DE2= 0,1433955
- DI2= 0,121049
- $L2 = 8.361576 \times 10^{-2}$
- $LSZ=2,713383 \times 10^{-2}$

```
-L^{4}2=5.648193 \times 10^{-2}
       -LT = O,O15
       -D1 = 0.12
    b) Chute de pression dans les différentes zones: (en bars)
       - DTP5= 24,O8378
       - DTP4= 32,22572
       - DTP3= 2,9444713
       - DTP2= 7,656226
       -DTF1 = 0.4573527
       -DTPT = 10.07923
      - DTFP= 294.20080 (DTTP: somme des chutes de pressions dans les
différents canaux de la filière)
 c) Contrainte de cisaillement dans le canal: (en N/m²)
           = 22867.64
           = 397681.3
           = 784426.6
           = 2932677
           = 5700798
           = 3563431
           = 8649114
d) Valeur des forces de cisaillement et de pression axiales (en N)
      -Fz1 = 516,9915
      - FzE5= 1599,497
     - FzI5= 14157,24
      - FzE4= 2768,261
     -FzI4 = 4719,812
     - FzI2= 2958,532
     - FzE2= 4344,964
     - FPE2= 198233,6
      - FPI2=320559.6
      - FPE4= 250387,7
      - FPI4= 122358,1
e) Dimensions mécaniques extérieures minimales de la filière:
     - RC1= 7,135046 x 1O-2
     - RC2= 9.59172 x 10-2
     - RC3= 9,586729 x 10-2
     - RC4= 9,480209 x 10-2
      RC5= 4,763256 x 10-2
```

Les filières d'extrusion sont, en générale, des pièces de haute précision, assez couteuse, lesquelles nécessitent un entretien trés soigneux et un soin trés particulier. Ceci afin d'éviter toute déterioration de la filière, qui entrainerait des dépenses élevées en raison du temps accru de non-fonctionnement

La cause principale des dommages subis par les filières réside dans les inévitables erreures humaines. Avant tout le mauvais maniement de la filière lors de l'entretien, du nettoyage et de la mise en route.

Le personnel affecté à l'extrusion doit donc connaître et comprendre parfaitement la fonction de cet outillage. Il faut faire attention d'éliminer la matière à l'embouchure avec des racles ou materiels moux(cuivre,laiton,aliminium) afin d'éviter toute entaille sur les bords de l'embouchure. Pour cette raison, la mesure des cotes de la largeur de la fente de sortie d'une filière doit se faire seulement avec un élément sensible " souple ". Ce personnel doit être familiarisé avec la construction et la fonction de chaque filière et disposer de tous les documents nécessaire (dessins, directives pour le montage, nomenclature.)

Afin de familiariser ces personnes avec leur "nouvel outil", il apparait judicieux de leur laisser démonter, inspecter puis monter la filière en l'état de repos.

Les filières devraient être toujours démontées, nettoyées et entretenues dans un lieu spécial, suffisamment éloigné de la production. Un tel lieu de travail devrait être toujours très propres et recouvert d'épais papiers. Un petit évier avec robinet devrait être prévu à cet endroit. Dans ce même lieu de travail, on doit trouver toutes sortes d'outils nécessaires: clés, tournevis, racles (cuivre, laiton...), agent de polissage.

Si un nettoyage total de la filière s'avère nécessaire, les vis principales de la filière doivent être divissées tant que la filière est encore fixée à l'extrudeuse. La filière doit être démontée tout en étant chauffée, on doit alors travailler rapidement pour éviter un refroidissement prématuré. La matière plastique se trouvant dans le canal peut être retiré avec une râcle souple, des agents solvants peuvent être d'une aide partielle. En plus de ces processus manuels de nettoyage, il est possible de réaliser des bains comme le bain de nitrate de sel à (400-500)°c, ce procédé n'est pas utilisable s'il ya des surfaces chromées, il faut controler aussi si à ces hautes températures ne produisent aucune déformation dans le matériau de la filière. Ce qui entrainerait une diminution de la résistance.

Un nettoyage long mais efficace peut aussi être réaliser dans une solution en ébulition. Les filières sont souvent nettoyées au moyen de rayons ultra-violets. Le canal devrait être poli avant le montage. Tous les vis et tous les pas de vis doivent être repassé lors du montage avec un lubrifiant supportant de haute températures afin de garantir une facilité lors du prochain démontage.

Un demontage complet, un nettoyage et un controle est recommandé dans environ tous les six mois, toutes les parties de filières (vis,boulons, cartouches chauffantes, conducteurs électrique) devant être remplacées afin d'éviter toute panne future.

Cette indication dans le temps dépend fortement du matériau transformé, si bien que plusieurs entreprises par exemple, qui, transforment le PCV, sont obligées de nettoyer et entretenir les filières chaque fin de semaine aprés 5 jours de production.

CONCLUSION

L'obtention d'un bon produit fini nécessite un dimensionnement soigné du canal d'écoulement et cela en se basant sur l'aspect rhéologique.

En étudiant les ouvrages spécialisé dans ce domaine, on remarque que pour plus de rigueur, il faut pratiquer d'autres expériences sur la matière première menant à la détermination du profil des vitesses, ainsi que le profil de températures dans les différentes zone de la filière, ceci devient une tache plus ardue, qui n'est utilisé que par des bureaux d'études de renomé mondiale.

·	•
	· · ·
,	• '
,	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
	· ·
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
, [
· • •	
-	. •
ļ.	
	3
* .	:
	· · · .
:	
-	
	,
.	,
,	
.	
-	•
"]	

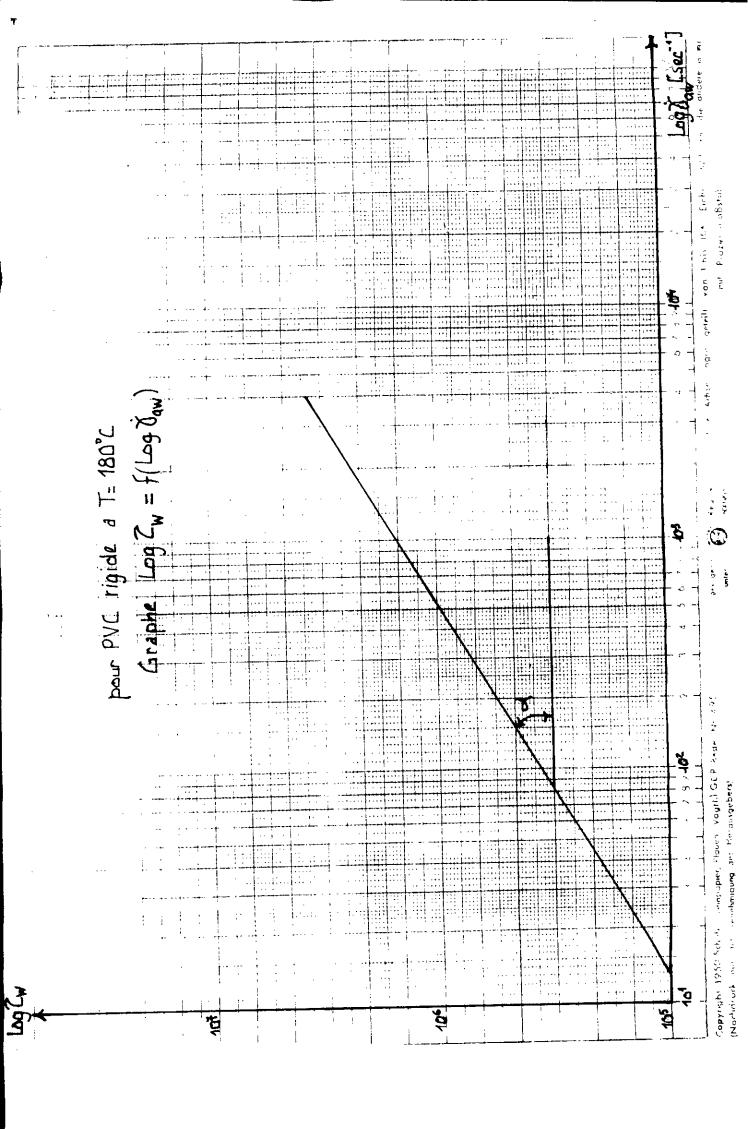
VXH Lm/min)	Lecture	Cslibre hultipliksleur	Czlibre	Dincy (mm)	Observation sur le produit
0.3	35	10	20	149	Bon sepect exterieur
0.9	70	10	20	1.58	
3.0	45	10	20	1.71	
9.0	27	10	200	4-51	
30.0	34	10	200	145	" "

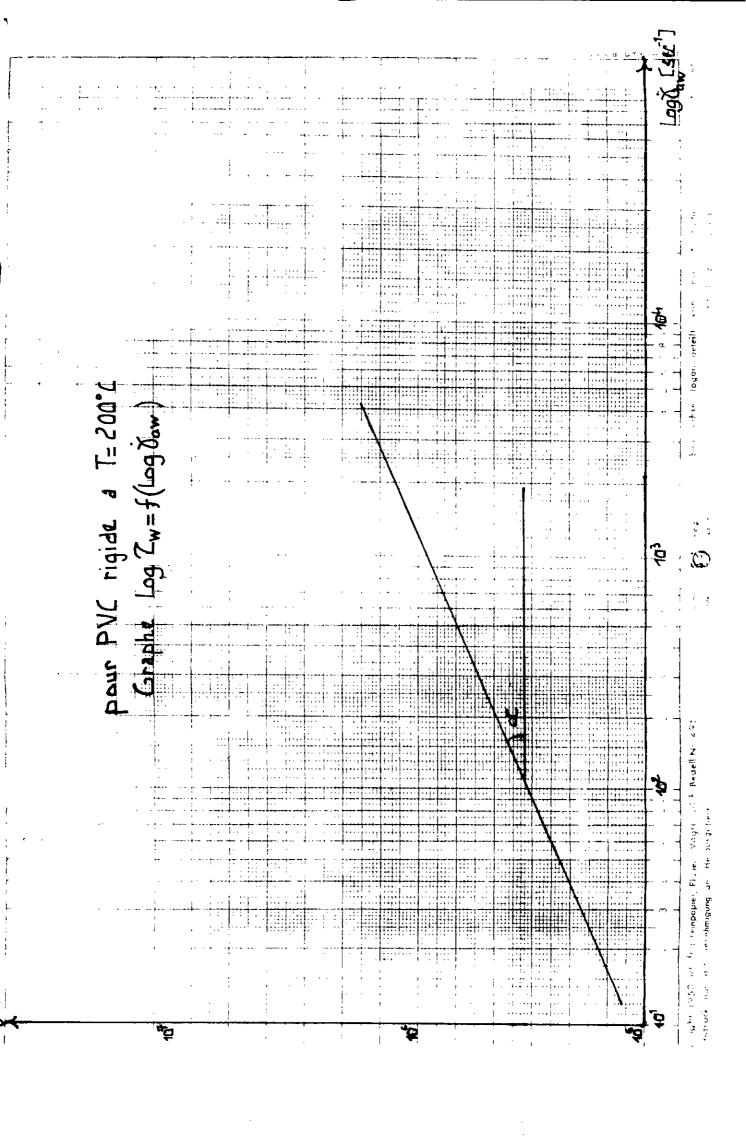
JX H cm/min	F (N)		(m/sec)	Caw (5-4)	Zw. (Pa).	na (Pa·s)	δw (5)	n _c (Pq.s)	Sp
0.3	636	. 7	0.275.102	47-14	121755,3	7103.6	20	60-37.76	1.16
0.9	1373	.4	o.स26. गंट ²	51.50	243510.6	4723.36	60-1	4051.15	1.23
3.0	382	2.9	2.75.102	171.46	156542.5	912.9	200	782.71	4.33
9.0	529	r. 4	8.26.1c ²	-515,00	933255.3	18 23.8	600.93	1563,26	1.77
30.0	6670). ₍₃	27.56·10	1713,36	1182766	688.3	2004.75	590	1-13

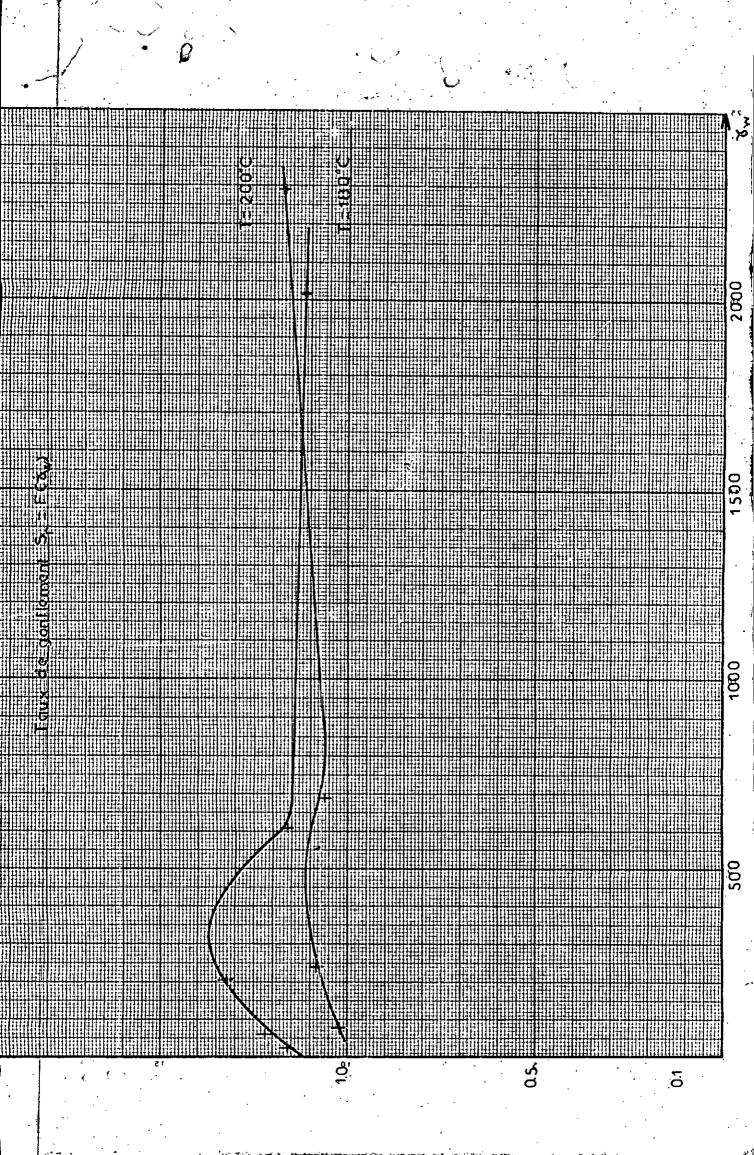
Vx + (au/mm)	Lecture	Calibre inultiplicateur	Cslibre	1)mcy ,	Observation sur le produit
0.3	22	10	40	1,76	Bon sspect
0.9	30	.10	40	1.32	Extraolst degradé *
3.0	58	10	40	1.40	" "
9.0	38	10 .	100	4.37	<i>II</i>
30.0	32	10	200	1.57	"
j.					

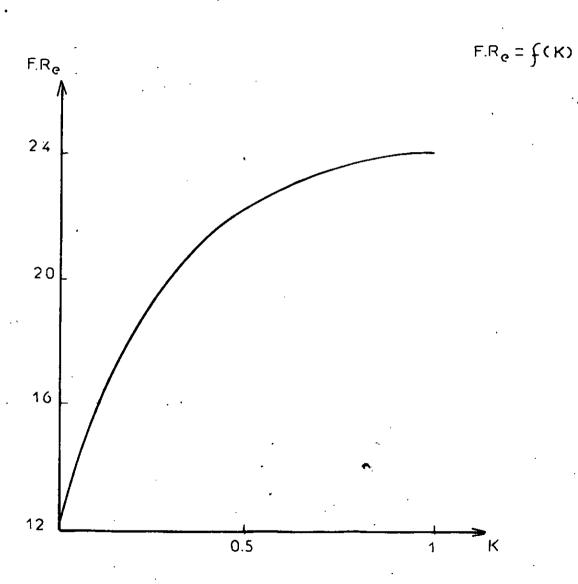
Vx (um	H Imiu)	F (N)	V (m/s)	8 aw (5:1)	, Zw (Pa)	na (Pass)	ðω (5⁴)	Mc [Pa.s]	S _R ,
0	رن آ	363,28	0 275 162	17.14	153063,3	3530-2	22,77	. 6722 47	1.48
O	G	4447.2	0-326-10-2	51.5	2013723.4	4052-9	68.43	3050.41	.4.03
3.	.0	2275.92	2.75.10-2	171.46	4 035 3 (의	2353.5	227.92	1771.27	4.09
9.	.0	3727.8	8 26.40-2	515	660957.5	1283.4	634.23	965.91	1.07
30	5 . D.	6273.4	27.56.10 ²	4713-36	1913191.5	647. 3	223349	487.56	4.48
	· !						ly .		

^{*} phénomene de la rupture à l'état liquide.









Quart et demi section cinnulaire 24 1/2 canal 20 1/4 canal

0.5

--16

12

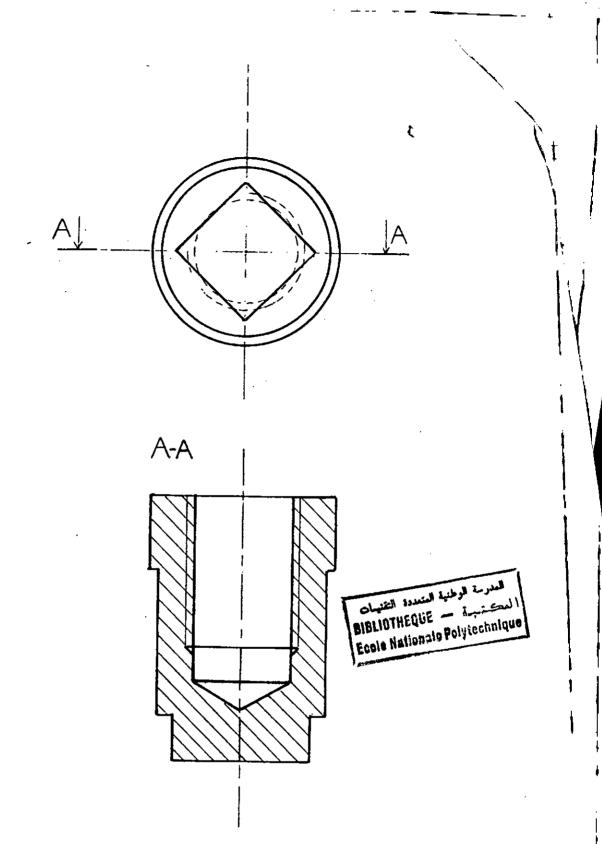
LEXIQUE:

	FORCES	TRANGHT	
	FILIERE	DIE	, 1a
i	VIS.	CREW	
	MASSE	1000	مرجاي خير سي
	DENSITEI	PNSTEV	عدر کے ان کا نام کا
-	ENERGIE	PNPDCV	
	TRAITEMENT THERMIQUE	DEAT TEATER	طافة
	TUBE	TION TEAT TRATEMENT	معاملة جزاربه
	CONTRAINTE-	TIPE COMPRESS	١ شو
	FROTTEMENT	-STRESS	اجهاد
	AXEP	FRICTION	ا حديكاك
	MACHINE	IN-AXIS	المستحور المستحود
i	RHEOLOGIE	1ACHIN	تلكة
	RHEOLOGIE	RHEOLOGY	ربونوجيا
	RUPTURE———I	FAILURE	كس يانسا،
	CHARGE CRITIQUE	-CRITICAL LOAD	7 - 7 - 7
	CONSISTANCE	CONSISTENCY	تما سک
	CONTRAINTE ADMISSIBLE	-ALLOWABLE	· on 7 games sters
	DILATATION LINEAIRE	-LINEAR EXPANSION	(b) =
	ENTRETIEN	AAINTENANCE	3
			- July

BIBLIOGRAPHIE

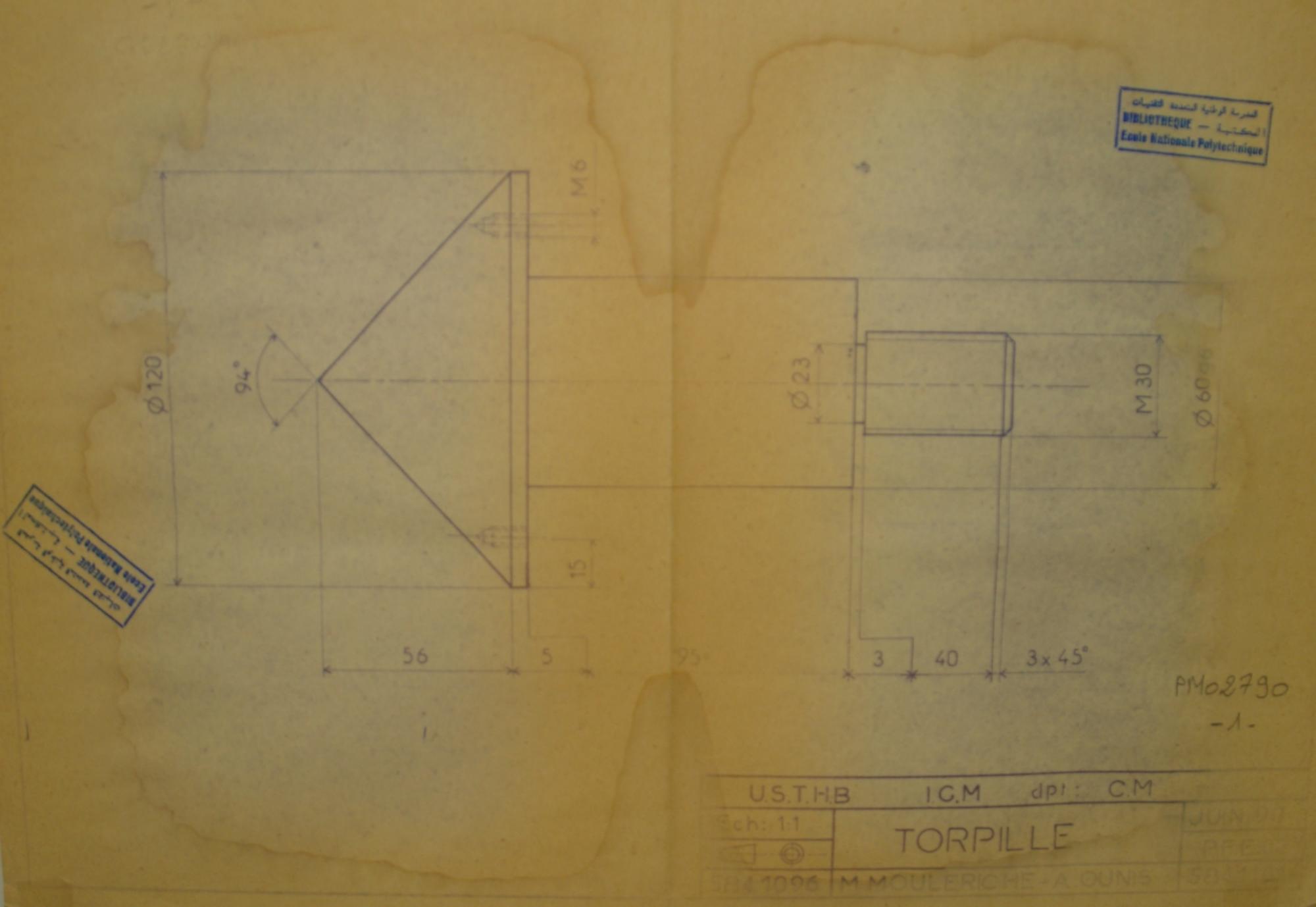
- W.MICHAELLI : FILERES D'EXTRUSION (PMP editions) (Aunce Editions)
- AVENAS-SERGENT-AGASSANT: LA MISE EN FORME DES MATIERES (PLASTIQUES (technique et documentation LAVOISIER)
- -S.P.TIMOSHENKO:R.D.M. TOME III (dunod technique)
- -TDMOR-GOGOS: PRINCIPLES OF POLYMER PROCESSING (JHON WILY)
- -JEAU BOST : Matières plastiques (Technique et documentation LAVOISIER)
- -TECHNIQUE DE L'INGENIEUR: PLASTIQUE
- -TECHNIQUE DE L'INGENIEUR: GENIE CHIMIQUE
- -AFNOR: CONSTRUCTION MECANIQUE TOME I ET II
- -AFNOR: MATIERES PLASTIQUES
- -A.CHEVALIER: GUIDE DU DESSINATEUR INDUSTRIEL (HACHETTE)

į Ž • is y \mathcal{P} $\epsilon_{i,\sigma_{K}}$: * .***** A A STATE Organica Control , . .

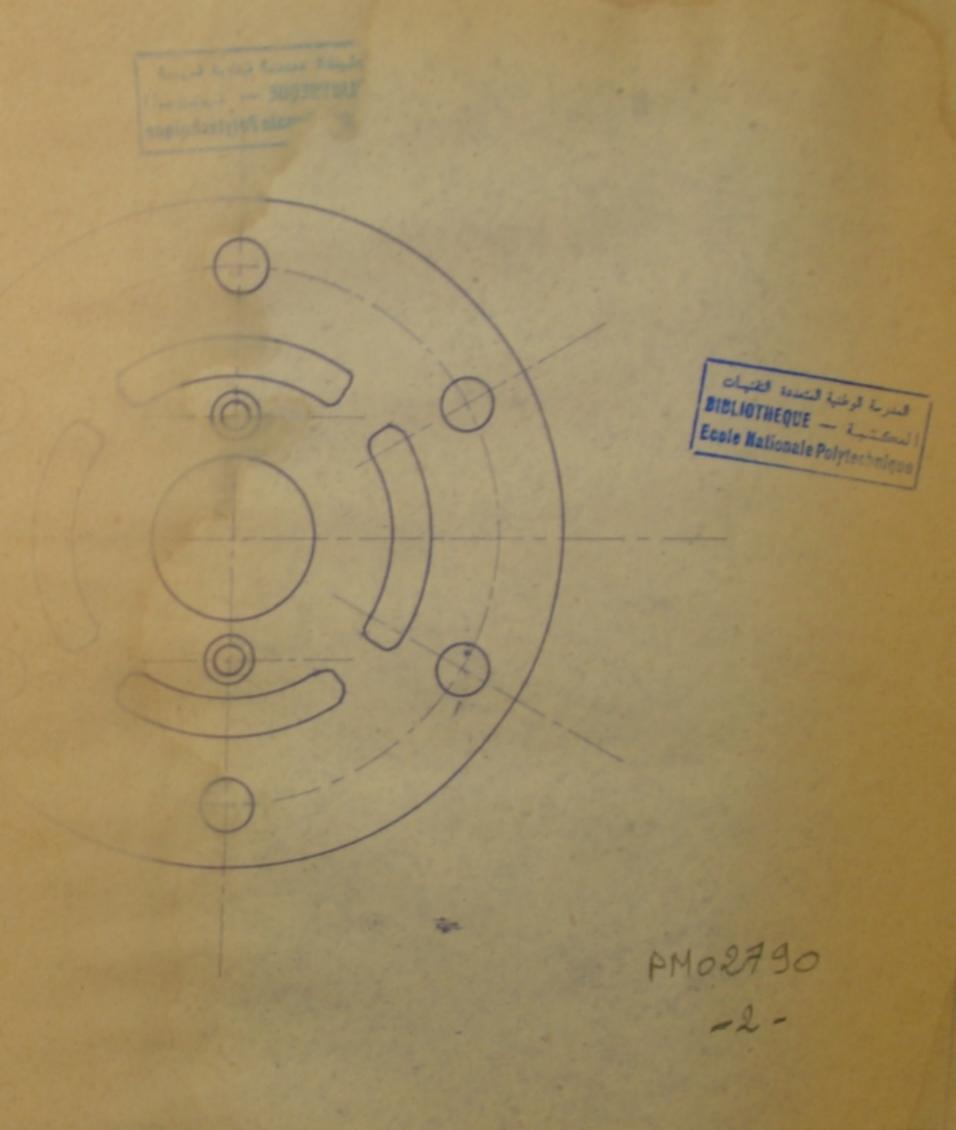


€

U.S	THB I.C.M. dpt: C	:.M
	ECDOU	JUIN 90
	LCROU	PFE:01
5841096	M.MOULERICHE-A.OUNIS	5841161
)		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·



000 Ø 60H7 Ø 25096 0 14 7 m DX



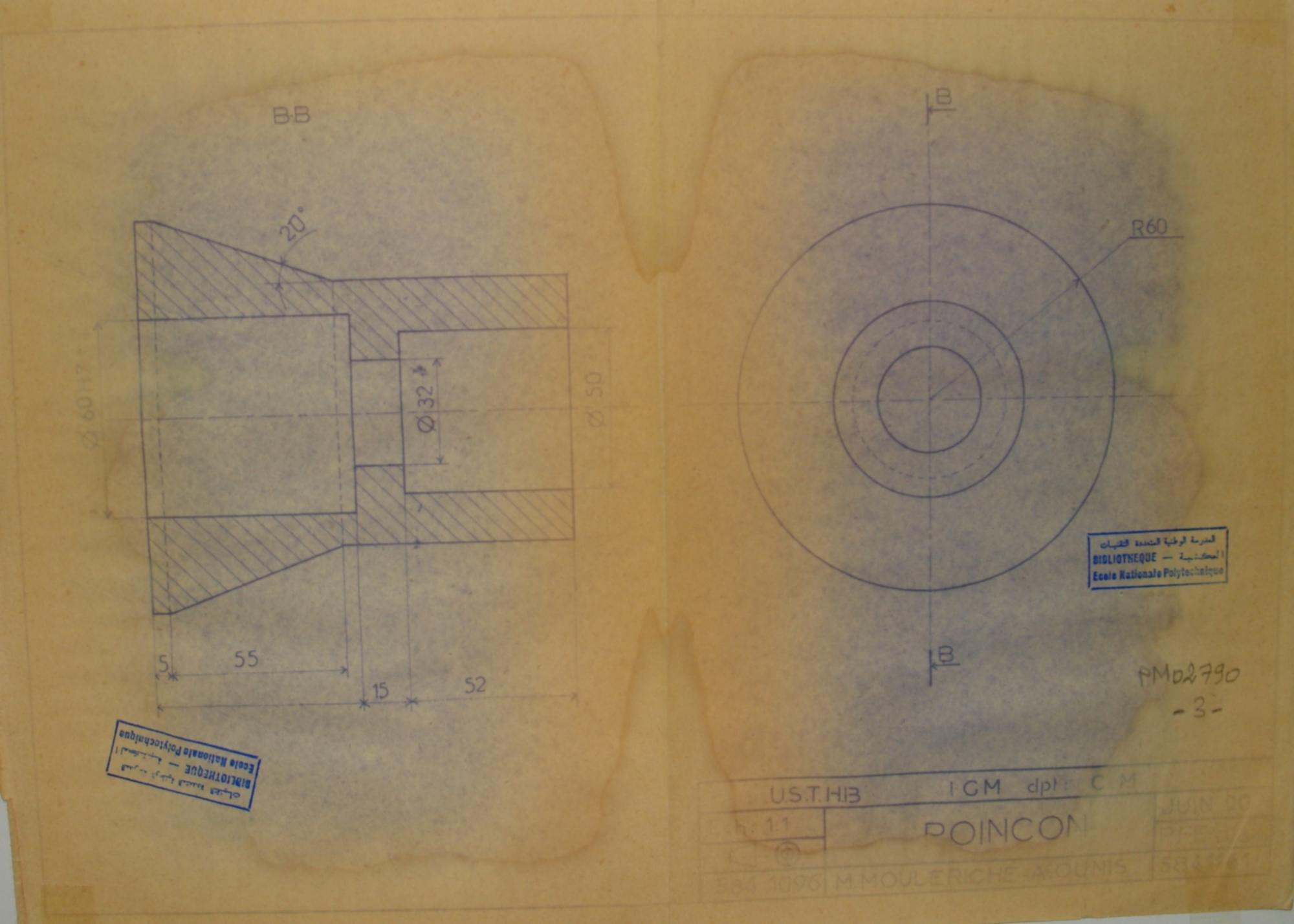
THB I.G.M dpt: C.M

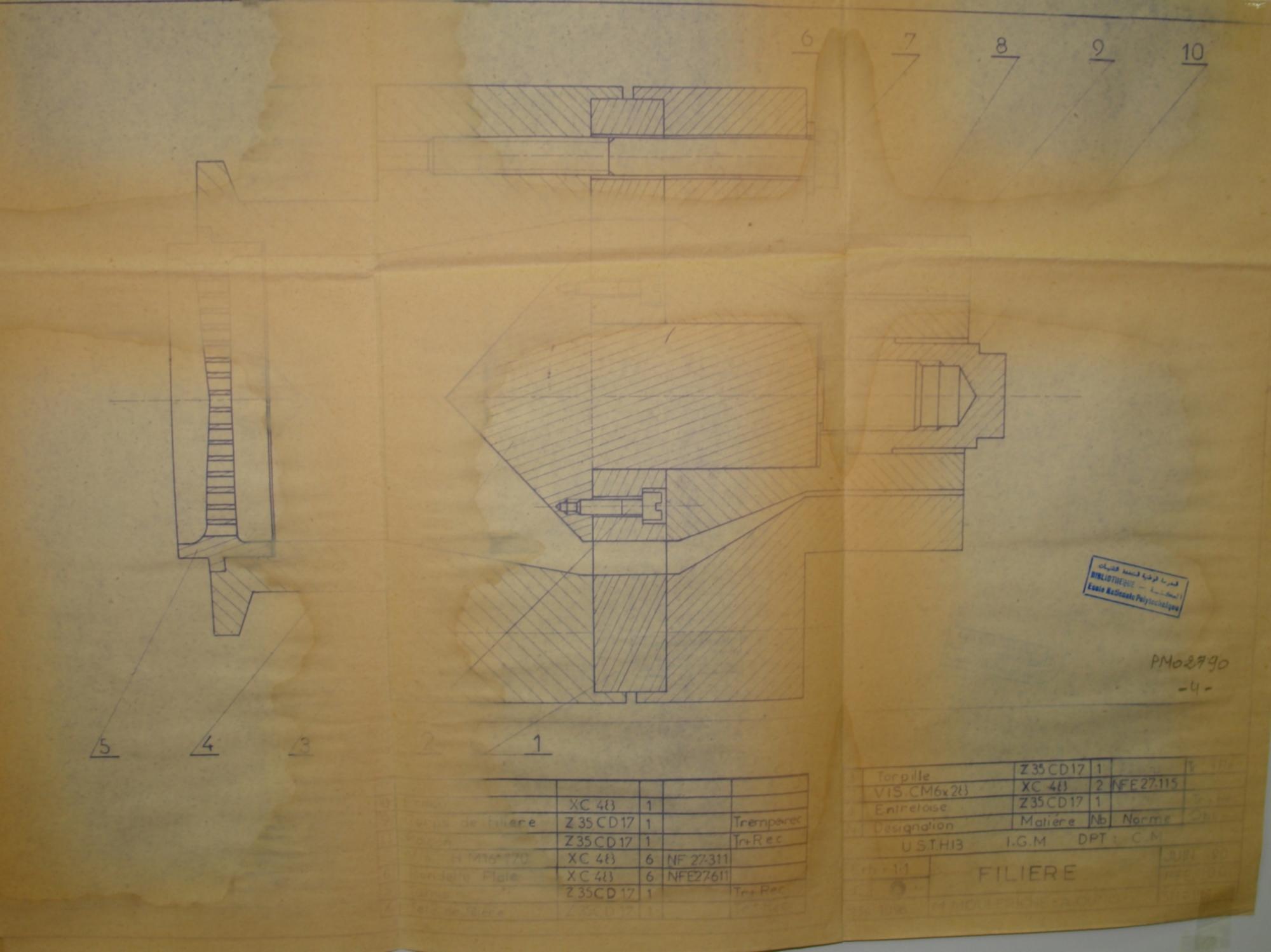
ENTRETOISE

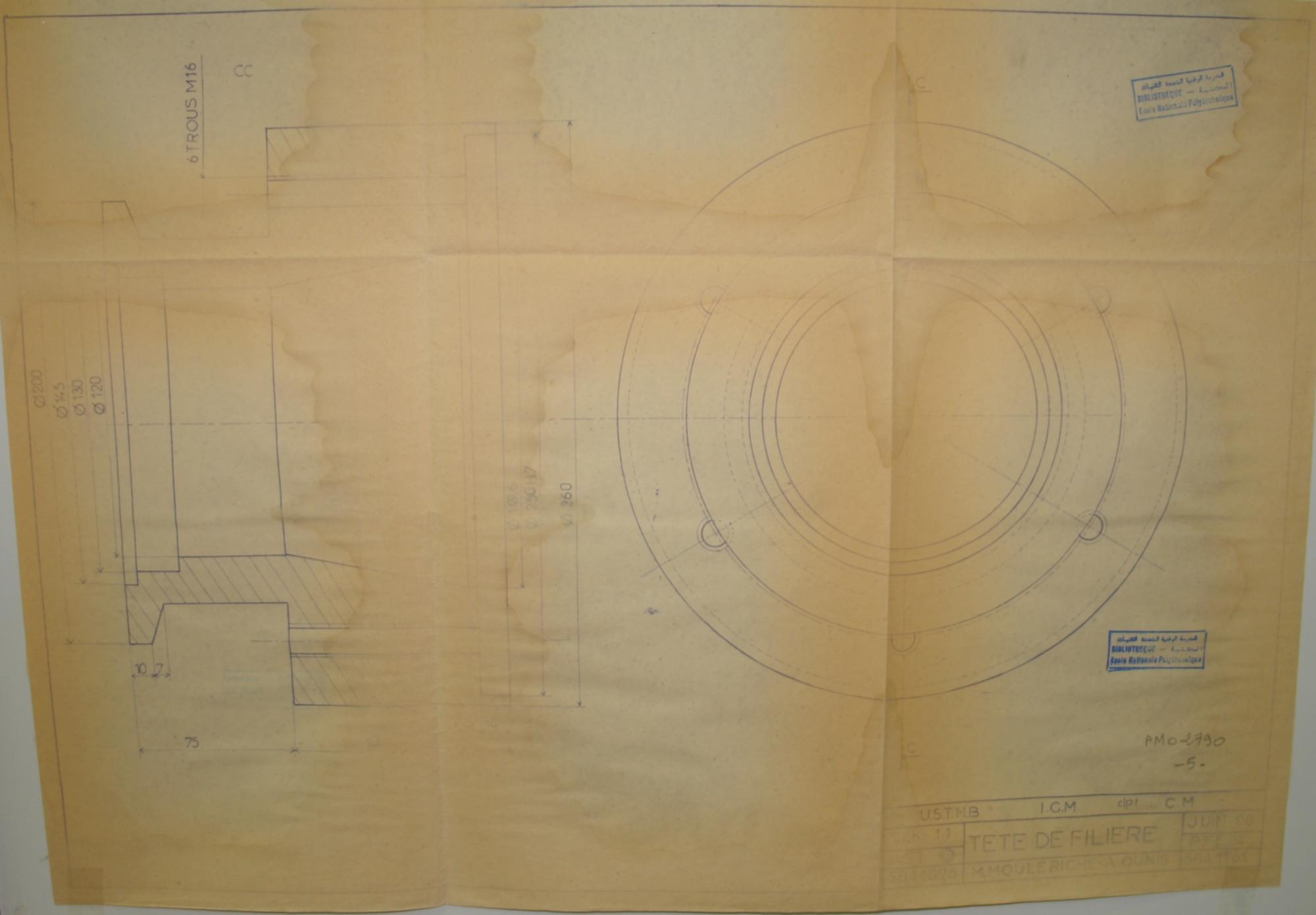
JUIN' PFE

HOLLERICHE A.OUR

A OUNIS 58







• •