جامـــعة الجزانــــع UNIVERSITE D'ALGER

9/75

Lex

المدرسية الوطنية للمندسية

# Ecole Nationale Polytechnique

BIBLIOTHEQUE

دائـــرة الميكــانيـــك

# DEPARTEMENT MECANIQUE



آل\_\_\_ة اختبار الش\_د ل 10 اطنال

# MACHINE D'ESSAIS DE 100 kN

تحت اشراف الاستاذ: ١. كو نوت

Proposé par :

A. CORNUT

Docteur Ingénieur

اعداد: محمد بوكعباش

Etudié par :

Mohmed Boukabache

1975 - 1970 ROMOTION 1395 - 1390

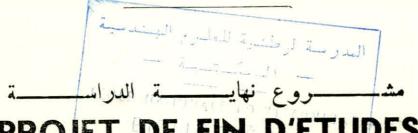
# جامـــعة الجزانــــع UNIVERSITE D'ALGER

المدرسية اليوطنية للهندسية

# Ecole Nationale Polytechnique

دانـــرة الميكـانيــك

DEPARTEMENT MECANIQUE



PROJET DE FIN D'ETUDES

آلــــة اختبار الشـــد ل 10 اط:ـــان

# MACHINE D'ESSAIS DE 100 kN

تحت اشراف الاستاذ: ١. كرنوت

Proposé par :

-A. CORNUT

Docteur Ingénieur

اعداد: محمد بوكعباش

Etudié par :

Mohmed Boukabache

1975 - 1970 PROMOTION 1395 - 1390

# لسيرالله الرحمان الرحيد

" وأنزلنا الحديد فيه بأس سنديد ومنا فع للناس وليعلم الله من بنصره و رسله بالعيب إن الله في الله من بنصره و رسله بالعيب إن الله في وي عربز " في عربز " سورة الحبيد آية 24

من سلك طريقا بلتس فيد علما سهل الله له ب طريعتا إلى الجنت " " حديث نبوي شريف. وحديث نبوي شريف.

اللّه إن الله الك عسما نافعاً

د عاء نبوني.

#### REMERCIEMENTS

A Monsieur A. CORNUT, qui a eu l'aimable sollicitude de nous diriger dans ce travail.

A Monsieur OUABDESSELEM, Directeur de L'ENPA.

Nous avons eu le privilége de bénéficier de votre enseignement, et de vos precieux conseils.

Veuillez trouvez ici le temoignage de notre reconnaisance .

- A tous les enseignants qui ont contribué à notre formation .
- A tous ceux qui ont contribué à la réalisation de ce travail .

# TABLE DES MATIERES

# CHAPITRE I

# GENERALITE SUR L'ESSAI DE TRACTION

1.1	Machine d'essai-choix					
1.2	Principe de l'essai					
1.3	Conditions d'exécution de l'essai					
1.3.1	Mise en place de l'éprouvette					
1.3.2	Vitesse de la machine					
1.3.2.1	Limite d'élasticité					
1.3.2.2	Résistance à la traction					
1.3.2.3	Régularité					
1.3.3	Charge					
1.3.4	Appareils d'attache					
1.4.	Déterminations des caractéristiques mécaniques					
1.4.1	Détermination de l'allongement					
1.4.2	Détermination de la limite d'allongement remanent et					
	de la limite conventionnelle d'élasticité					
1.4.2.1	Méthode de détermination de la limite d'allongement					
	remanent					
1.4.2.2	Méthode de détermination de la limite conventionnelle					

d'élasticité

1.5	Eprouvettes
1.5.1	Forme générale
1.5.2	Forme et dimensions de la partie calibrée
1.5.3	Longueur entre repères
1.5.3.1	Eprouvettes proportionnelles
1.5.3.2	Eprouvettes non proportionnelles
1.5.3.3	Marquage de repères
1.5.4	Longueur de la partie calibrée
1.5.5	Dimensions des éprouvettes qu'il est conseillé
	d'employer
1.6	Vérification des machines de traction statique

# CHAPITRE II

#### ETUDE DU SYSTEME DE TRANSITION

2.1	Vis de commande
2.1.1	Donnée
2.1.2	Choix
2.1.3	Calcul du diamètre fond de filet de la vis
2.1.4	Dimensionnement de la vis
2.1.5	Etude dynamique de la vis

2.1.5.1	Couple nécessaire pour produire le mouvement
2.1.5.2	Vérification du diamètre de la vis
2.2.	Ecrou
2.2.1	Calcul de la hauteur minimale de l'écrou
2.3	Calcul des vitesses
2.3.1	Vitesses des essais
2.3.2	Vitesses de l'écrou (vitesses de la roue I)
2.3.3	Conditions d'établissement des rapports de réduction
2.3.4	Vitesses des couples d'engrenages III et IV
2.4	Calcul des engrenages
2.4.1	Roue-vis sans fin I
2.4.1.1	Notations
2.4.1.2	observation
2.4.1.3	Détermination des caractéristiques géométriques
2.4.1.4	Calcul de résistance
2.4.1.5	Rendement
2.4.2	Roue-vis sans fin II
2.4.2.1	Détermination des caractéristiques géométriques
2.4.2.2	Calcul de résistance
2.4.3	Couple d'engrenages III
2.4.3.1	Détermination des caractéristiques géométriques

2,4.3.2 Calcul des dentures

2.4.4	Couple d'engrenages IV
2.4.4.1	Détermination des caractéristiques géométriques
2.4.4.2	Calcul des dentures
2.5	Etude dynamique
2.5.1	Efforts sur les dentures
2.5.1.1	Roues-vis sans fin I et II
2.5.1.2	Couples d'engrenages III et IV
2.5.2	Effort sur les arbres et les paliers
2.5.2.1	Roues-vis sans fin I et II
2.5.2.2	Engrenages III et IV
2.5.3	Détermination des roulements et butées
2.5.4	Choix des accouplements.
	CHAPITRE III
	SYSTEME DE MESURE DES FORCES
3.1	Calcul des différents éléments
3.1.1	Détermination des efforts
3.1.2	Calcul des axes d'articulation
3.1.3	Calcul des chapes
3.2	Graduation et calcul relatif aux cadrans
	CHAPITRE IV ARMATURE DE LA MACHINE
4.1	Plaque supérieure
4.2	Poteaux
4.3	Bâti.
4.4	Mors.

# BIBLIOGRAPHIE

#### LIVRES CONSULTES

- 1°) L'essai des métaux par P. RIEBENSAHM et P.W. SCHMIDT DUNOD
- 2°) Eléments de construction à l'usage de l'ingénieur Tome I

  F. BERNARD et A.L. TOURANCHEAU DUNOD
- 3°) Eléments de construction à l'usage de l'ingénieur Tome IV F. BERNARD et A. BRU - DUNOD
- 4°) Traité théorique et pratique des engrenages Tome I
  G. HENRIOT DUNOD
- 5°) Résistance des matériaux Tome II A. GIET et L. GEMINARD
- 6°) Les normes-Afnor

NFA 03 - 151

NFA 03 - 160

NFA 03 - 303

#### Remarque :

Nous avons jugé, qu'il n'est pas nécessaire de refaire les démonstrations des différentes formules que nous allons utiliser, pour le calcul des différents éléments de notre machine. Pour ceux qui sont intéressés par ces démonstrations, consulter les livres utilisés.

# CHAPITRE I

#### GENERALITE

La connnaissance des matériaux (leur nature, leur caractéristiques et leur comportement en service) constitue la base de la technique en construction mécanique; l'essai des métaux est le moyen indispensable pour pouvoir déterminer quantitativement les caractéristiques d'une pièce mécanique.

Les contraintes appliquées à une pièce mécanique peuvent être réparties en contraintes statiques, contraintes par choc et contraintes dynamiques.

- -Contrainte statique : le métal est sollicité par une charge constante (traction, compression, flexion, torsion, cisaillement).
- -Contrainte par choc : La charge est appliquée très vite en un temps très court.
- -Contrainte dynamique : variation régulièrement répétée de la charge (variation de grandeur et de sens).

Afin d'obtenir des résultats reproductibles à la suite de mesures répétées on entreprises indépendamment les unes des autres, c'est-à-dire afin de pouvoir conclure à la validité des essais en tout temps et en tout lieu pour que les contrôles puissent être considérés comme scientifiques, on procède à des essais mécaniques fondamentaux de telle sorte que les éprouvettes spécialement utilisées soient sollisitées par une contrainte mécanique simple.

L'essai de traction qui permet de déterminer :

- -La résistance à la traction
- -La limite élastique ou la limite d'écoulement
- -L'allongement à la rupture
- -La striction à la rupture

est considéré comme le plus important, puisqu'il permet de donner des valeurs exactes qui sont utilisables comme base de calcul.

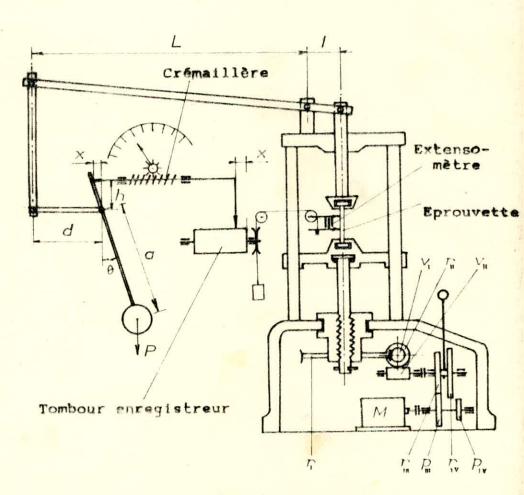
#### 1.1 Machine d'essai-choix

Une machine d'essai est composée d'un bati, d'un dispositif de mise en marche et d'un dispositif de mesure des efforts.

La commande des efforts peut être mécanique ou hydraulique; elle peut être faite manuellement ou par un moteur.

Avec une commande hydraulique, la mise en marche croit régulièrement avec le temps, tandis qu'avec une commande mécanique c'est l'allongement qui augmente régulièrement, ce qui entraine au début un accroissement très rapide de la charge.

Lorsqu'il s'agit d'obtenir une vitesse d'allongement



absolument constante, il y a lieu de choisir une machine d'essai à commande et mise en charge mécaniques pour obtenir un allongement régulier.

Dans les anciennes machines, on utilise pour la mesure des efforts, des balances à curseur, des boîtes manométriques, des manomètres.

Les machines modernes travaillent avec des dynamomètres pendulaires à transmission mécanique ou hydraulique.

On doit faire vérifier à intervalles réguliers le dispositif de mesure des efforts par un bureau officiel. Pour ces vérifications on utilise des dynamomètres spéciaux avec des courbes de correction (norme NF A03 - 001).

On peut donner les valeurs suivantes des efforts pour la détermination approximative des charges à utiliser : La rupture d'une éprouvette proportionnelle type AFNOR avec do = 13,8 mm nécessite :

Pour un acier avec R = 40 daN/mm<sup>2</sup> une force de 6000 daN
" " " = 90 " " 13500 daN
" " " =150 " " 22500 daN

Finalement, notre étude portera sur une machine statique d'essai de traction d'une capacité maximum de 10 tonnes. La commande des efforts se fera mécaniquement, par moteur électrique à deux vitesses.

### 1.2 Principe de l'essai

L'essai consiste à soumettre une éprouvette à un effort de traction et généralement jusqu'à rupture, en vue de déterminer les différentes caractéristiques mécaniques de cette éprouvette. Sauf spécification contraire, l'essai doit être éxécuté à la température ambiante.

#### 1.3 Condition d'éxécution de l'essai

## 1.3.1 Mise en place de l'éprouvette

Les têtes de l'éprouvette doivent être tenues dans les machoires de la machine d'essai, de telle manière que la charge soit appliquée suivant l'axe de l'éprouvette et que la sollicitation soit répartie uniformément sur toute la largeur des extrémités.

#### 1.3.2 Vitesse de la machine

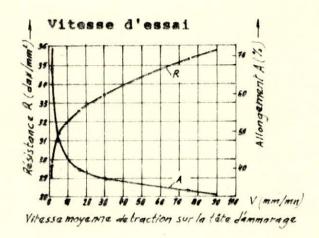


Fig.6 -Influence de la vitesse de traction sur les valeurs de R et A dans le cas d'un acier.

Pour tous les métaux, le comportement au cours d'un essai de traction dépend de la vitesse d'application de la charge. On obtient, par traction rapide, des résistènces plus élevées et des allongements plus faibles que par traction lente. Afin d'obtenir des résultats comparables dans le cas des aciers à fort allongement, l'essai de traction durera au moins 5 et mieu 10 à 20 mn.

# 1.3.2.1 Limite d'élasticité

Lorsque l'on se propose de déterminer une des limites d'élasticité, la vitesse de mise en charge de l'éprouvette ne devra pas dépasser 3 daN/mm²/seconde à partir de la charge spécifique 5 daN/mm² et jusqu'à ce que la limite d'élasticité soit atteinte.

Pour la détermination de la limite supérieure d'écoulement, de la limite inférieure d'écoulement (Fig.1) et de la limite apparente d'élasticité, la longueur entre repères ne doit pas croitre de plus de 15 % par minutes pendant la déformation plastique.

#### 1.3.2.2 Résistance à la traction

Pour la détermination de la résistance à la traction, la vitesse de séparation des têtes de la machine d'essai, exprimée en pourcent de la longueur calibrée par minute, ne doit, dans le domaine plastique dépasser, en aucun moment, deux fois l'allongement minimal spécifié plus 10.

Remarque: Lorsqu'on essaie des aciers de résistance nominale inférieure à 110 daN/mm<sup>2</sup> et qu'on ne se propose pas de déterminer leur limite d'élasticité, la vitesse peut, dans le domaine élastique atteindre la limite qui vient d'être fixée pour le domaine plastique (voir Fig. 6).

# 1.3,2.3 Régularité

Aussi bien dans le domaine élastique que le domaine plastique, la vitesse doit être aussi uniforme que possible, et la variation de vitesse de l'un à l'autre doit se faire progressivement et sans à coup.

### 1.3.3 Charge

La charge doit être mesurée sans interpolation entre les divisions de la graduation avec une précision compatible avec la

norme de produit.

# 1.3.4 Appareils d'attache

La machine et les appareils d'attache comportent des dispositifs permettant à l'éprouvette de s'orienter librement dans la direction de la traction sans qu'il puisse se produire d'effort de flexion transversal.

# 1.4 Détermination des caractéristiques mécaniques

### 1.4.1 Détermination de l'Allongement

En règle générale; la mesure de l'allongement se fait sur la longueur entre repères Lo, qui est marquée avant l'essai à ± 1 pour cent près. Les deux fragments de l'éprouvette sont à cet effet soigneusement rapprochés, de manière que leurs axes soient dans le prolongement l'un de l'autre.

La variation de la longueur entre repères est mesurée à 0,25 mm prés.

Cette règle se heurte parfois (cas où la cassure est en sifflet) à des difficultés de raccordement des deux fragments de l'éprouvette. La détermination de l'allongement après rupture est alors entachée de quelque incertitude.

Ce mode de détermination n'est valable que si la distance de la section de rupture au repère le plus voisin n'est pas inférieure à 1/3 (pour les aciers), à 1/4 (pour tôles et feuillards en acier) et à 1/5 (pour le cuivre et alliages de cuivre) de la longueur entre repères après rupture pour les éprouvettes proportionnelles (lo =  $K \sqrt{So}$ ).

La mesure reste toute fois valable, quelle que soit la position de la section de rupture, si l'allongement atteint la valeur spécifiée. Pour les cas particuliers, (rupture des éprouvettes en déhors des limites spécifiées) voir les normes : NF AO3-151; NF AO3-160; NF AO3-251.

- 1.4.2 Détermination de la limite d'allongement remanant et de la limite conventionnelle d'élasticité.
  - 1.4.2.1 Méthode de détermination de la limite d'allongement rémanent.

La méthode par retour de la charge au zéro- pour la détermination de la limite d'allongement rémanant est la suivante :

Des charge croissantes sont successivement appliquées à l'éprouvette et maintenues chacune pendant dix à douze seconde; après suppression de chacune de ces charges, on mesure l'allongement rémanent pris par l'éprouvette, on arrête l'essai lorsque cet allongement dépasse 0,2 pour cent (ou toute autre valeur spécifiée) de la longueur initiale. On détermine alors par interpolation entre les résultats obtenus la charge correspondant à l'allongement rémanent prescrit (Fig. 2).

1.4.2.2 <u>Méthode de détermination de la limite conventionnelle</u> d'élasticité.

On construit avec la précision convenable la courbe des

charges (en erdennées) en fonction des allongements pour cent (en abscisses). On trace sur ce diagramme une droite parallèle à la partie rectiligne de la courbe et dont l'écart avec cette partie de la courbe, mesuré sur l'axe des allongements, est égal au pourcentage prescrit de la longueur initiale entre repères. La charge à la limite conventionnelle d'élasticité correspond à l'intersection de cette droite avec la courbe. (Fig. 3).

Lorsque la partie rectiligne du diagramme charge-allongement n'est pas définie clairement de façon que la droite parallèle ne peut être tracée avec une certitude suffisante, le procédé suivant est alors recommandé (Fig. 4).

Après que la limite conventionnelle d'élasticité présumée ait été dépassée, la charge est réduite jusqu'à une valeur à environ 10% de la charge atteinte. Puis on accroit de nouveau la charge jusqu'à ce quelle dépasse la valeur atteinte initialement. Pour la détermination de la limite conventionnelle d'élasticité recherchée, une droite est tracée en travers de la boucle d'Hystérésis. On trace ensuite une droite parallèle à cette dernière dont la distance à l'origine de la courbe, mesurée sur l'axe des abscisses, est égale à la valeur prescrite de l'allongement non proportionnel. La charge qui correspond à l'inter section de cette parallèle et de la courbe charge-allongement est la limite conventionnelle d'élasticité recherchée.

# 1.5 Eprouvettes

# 1.5.1 Forme générale (Fig. 7)

La partie calibrée doit être raccordée par des congés aux

têtes d'amarrage, celles-ci pouvant être de toute forme adaptée aux dispositifs de fixation de la machine d'essai.

Des profilés, des barres, etc., peuvent éventuellement être essayés sur tronçons bruts. En pareil cas, la longueur libre entre machoîres de la machine doit être suffisante pour que les repères soient à une distance raisonnable de ces machoîres.

# 1.5.2 Forme et dimensions de la partie calibrée.

La section de l'éprouvette peut être circulaire, carrée, rectangulaire, ou dans des cas spéciaux, d'une autre forme.

Pour les éprouvettes de section rectangulaire, il est recommandé de ne pas dépasser le rapport 8/1 entre les côtes.

En règle générale, le diamètre de la partie calibrée des éprouvettes cylindriques usinées ne doit pas être inférieur à 4 mm.

### 1.5.3. Longueur entre repères

# 1.5.3.1 Eprouvettes proportionnelles

Une éprouvette est dite proportionnelle lorsque la longueur entre repères Lo est déduite de la section initiale par la formule: Lo =  $K\sqrt{So}$ ; la longueur Lo calculée doit être arrondie au millimètre près par défaut.

La valeur de K varie selon les normes.

Exemple: pour NF A03-151 (Essai de traction de l'acier) K=5,65.

Pour NF A03-303 (Essai de traction des fils et barres de section inférieur à 20  $mm^2$ ) K=11,3.

Les éprouvettes proportionnelles doivent être employées lorsque la longueur initiale entre repères calculée est égale ou supérieur à 25 mm.

#### 1.5.3.2 Eprouvettes non proportionnelles

Une éprouvette est dite non proportionnelle lorsque la valeur de la longueur initiale entre repères Lo est indépendante de la section So. La valeur de Lo normalisée est 50 mm pour NF 103-303.

#### 1.5.3.3 Marquage de repères

Le marquage est effectue, après dressage si cette opération est nécessaire, de telle sorte qu'il n'entraine pas de rupture de l'éprouvette à l'endroit des repères au cours de l'essai. Il doit respecter à ± 0,5 mm. La longueur Lo. Le milieu de la distance entre repères doit correspondre sensiblement au milieu de l'éprouvette.

# 1.5.4 Longueur de la partie calibrée

La longueur de la partie calibrée Lc doit être comprise entre :

Lo + 
$$\frac{d}{2}$$
 et Lo + 2d pour NF A03-151  
Lo +  $\frac{b}{2}$  et Lo + 2b pour NF A03-160

# 1.5.5. Dimensions des éprouvettes qu'il est conseil é d'employer

#### - La NF A03-151 donne :

Eprouvet- te	Longueur entre re- pères Lo=K √So en mm	Diamètre d en mm	Section So en mm <sup>2</sup>	Longueur calibrée Lc en mm	Longueur tota- le L en mm
Y	100±1	20±0,105	314	100 à 140	Dépend du mode de fixation de l'éprouvette dans les atta- ches.
2	50±0,5	10±0,075	78,5	55 à 70	De la machine en principe Lt>Lo+2d ou 4d

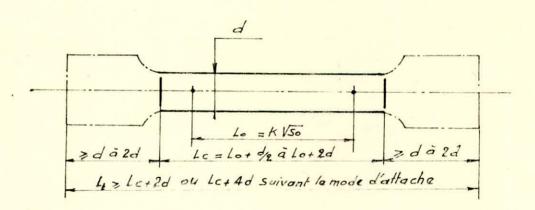


Fig. 7 Forme générale

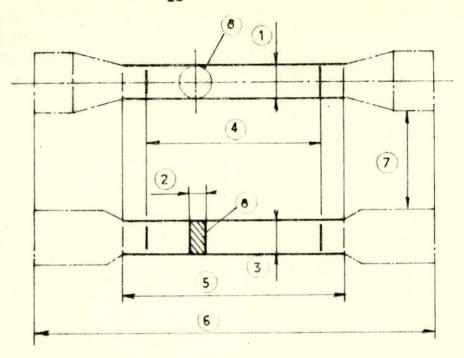
La forme des têtes de l'éprouvette est figurée à titre indicatif.

#### - La NF 103-160 donne :

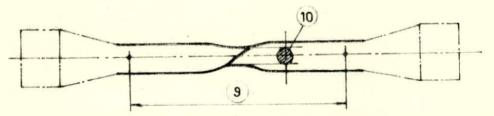
Eprouvet- te	Epaisseur en mm	Largeur en mm	Longueur entre re- pères Lo en mm	Longueur calibrée Lc en mm	Longueur des bondes à co- tes parallè- les en mm
1	0,5 à 3 exclus	20	80	120	140
2	0,5 à 2 inclus	12,5	50	75	87,5

# 1.6 Vérification des machines de traction statique

Se conformer à la norme NF A03-501.



Eprouvettes & section circulaire et rectangulaire



Eprouvette à section circulaire après rupture et reconstitution

- Diamètre de la section, lorsque l'éprouvette est à section circulaire, ou dans le cas d'autres sections, diamètre du plus petit cercle circonscrit à la section 2 : d
- 2 Epaisseur de l'éprouvette plate : a
- 3 Largeur de l'éprouvette plate : b
- 4 Longueur initiale entre repères (3) : Lo
- 5 Longueur de la partie calibrée : Lc
- 6 Longueur totale de l'éprouvette : Lt
- 7 Têtes d'amarage
- 8 Section initiale de la partie calibrée : So
- 9 Longueur ultime entre repères : Lu
- 10 Section minimale après rupture : Su

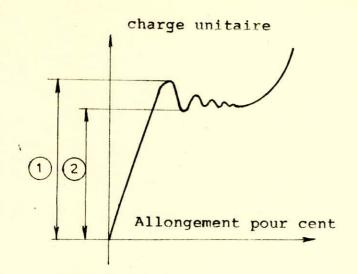


Fig.1 Limites supérieure et inférieure d'écoulement.

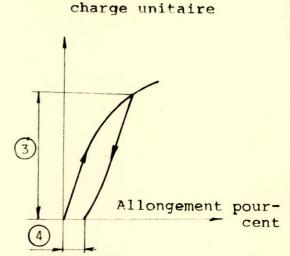


Fig. 2 Allongement remanent limite.

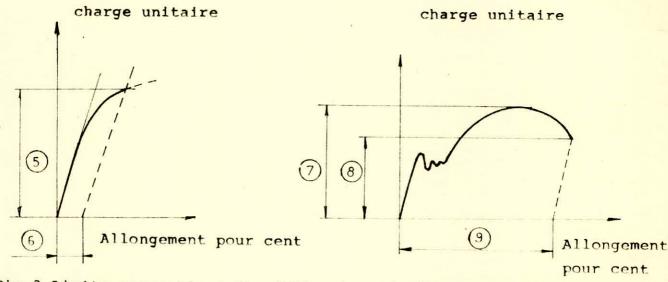


Fig.3 Limite conventionnelle d'élasti- Fig.4 Diagramme de traction ce diagramme très dif- férent suivant la natu-re du métal.

1 : Limite supérieure d'écoulement

2 : Limite inférieure d'écoulement

3 : Charge unitaire à la limite d'allongement rémanent

4 : Allongement rémanent limite

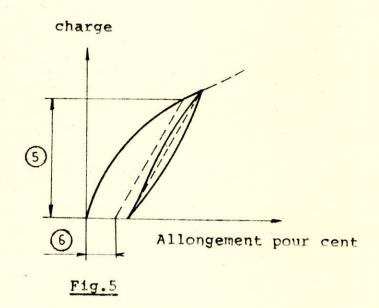
5 : Charge unitaire à la limite conventionnelle d'élasticité

6 : Allongement non proportionnel limite

7 : Charge maximale

8 : Charge ultime, ou charge à l'instant de la rupture

9 : Allongement rémanent après rupture.



Limite conventionnelle d'élasticité dans le cas où la partie réctiligne du diagramme charge-Allongement n'est pas définie clairement.

# CHAPITRE II

ETUDE DU SYSTEME DE TRANSMISSION

#### 2.1 VIS DE COMMANDE

#### 2.1.1 Donnée :

L'effort de l'essai de traction maximum : F = 10 tonnes

#### 2.1.2 Choix :

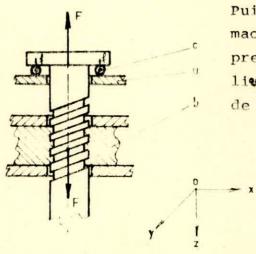
-Matériaux: XC 48f-T.H. 825; Rev.550°, dont les caractéristiques sont : Rr = 85 à 100 daN/mm<sup>2</sup>

 $Re_{min} = 65 \text{ daN/mm}^2$ 

 $A_{\min} = 98$ 

-Coefficient de sécurité : C

Ce coefficient tient compte de la non-homogénéité du matériau et des défauts éventuels, on l'adopte plus ou moins grand, selon le type de construction et le soin apporté aux calculs. Pour les métaux, C varie en générale de 4 à 8.



Puisqu'il s'agit d'une machine d'essai, on prendra <u>C=10</u> (pour paliur à tous les risques de déformation).

#### 2.1.3 Calcul du diamètre fond de filet de la vis

Le noyau de la vis travaille ntraction simple. Lors de l'essai, la vis descend (sens 0Z), la pièce (a) exerce sous la tête de la vis (par l'intermédiaire de la butée (c), des actions réparties f, dont la résultante F est portée par l'axe de la vis. De même l'écrou (b) exerce sur l'une des faces du filet de la vis des actions réparties dont la résultante F est directement opposée à la force précédente; puisque la vis est en équilibre et que ce sont les seules forces qui lui sont appliquées (en négligeant le poids), si le filet résiste, le noyau de la vis résistera si [ce] ? Rp comme :

$$(\sigma e) = \frac{F}{S}$$
 avec:  $S = \frac{\pi d^2}{4}$ 

donc : 
$$(\sigma e) = \frac{4F}{\pi d^2} \leq Rp$$

La théorie de l'élasticité nous donne : 
$$Rp = \frac{R_r}{C}$$

Si on prend  $R_r = 92 \text{ daN/mm}^2 \text{ (valeur moyenne)}$ 

on aura: 
$$Rp = \frac{92}{10} = 9.2 \text{ daN/mm}^2$$

$$d^2 * \frac{4F}{\pi Rp}$$

$$d^2 \ge \frac{4 \times 10^4 \times 9,81}{\pi \times 92} + d \ge 36,86$$
mm

$$+$$
  $d = 37 \text{ mm}$ 

#### - Notation :

Rr : Charge de rupture

Remin : Limite élastique minimum à la rotation

Amin : Allongement % minimum

Rp : Résistance pratique du matériau

(de) : Contrainte admissible à la traction

S : Section du noyau fond de filet de la vis

d : Diamètre fond de filet de la vis.

#### 2.1.4 Dimensionnement de la vis

La transformation du mouvement est obtenue par vis à filet trapézoïdal. Ce filet est résistant et d'execution facile, il remplace avantageusement le filet carré. La section génératrice est un trapèze isocèle dont l'angle des cotés non parallèles vaut 30°.

On prend un pas de 10 mm, qui est un pas recommandé dans les transformations de mouvements pour les machines comportant des cadrons gradués.

La normalisation (E03 002) nous donne, pour un pas de 10 mm :

h = 5,25 : hauteur du filet en mm

a = 0,25 : jeu entre le sommet du filet de la vis et le

sommet de l'écrou en mm

b = 0,75 : jeu entre le fond du filet de la vis et le sommet de l'écrou en mm d = calculé : diamètre fond de filet vis en mm

d<sub>1</sub>

= d + 2; : diamètre nominal en mm
= d<sub>1</sub> + 2a : diamètre fond de filet écrou en mm d,

d<sub>3</sub> = d + 2b : diamètre sommet filet écrou en mm

=  $d_1 - \frac{P}{2}$ : diamètre moyen en mm. dm

En prenant d = 37 mm, on a  $d_1 = 37 + 2 \times 5,25 = 47,5 \text{ mm}$ . Le diamètre nominal normalisé, qui s'approche le plus de cette valeur est : d<sub>1</sub> = 48 mm, ce qui nous donne en partant de d<sub>1</sub> = 48 mm  $= d_1 - 2h = 48 - 2 \times 5,25 = 37,5 \text{ mm}$  $= |48 + 2 \times 0,25 = 48,5 \text{ mm}$  $d_3 = 37,5 + 2 \times 0,75 = 39 \text{ mm}$  $dm = 48 - \frac{10}{2} = 43 \text{ mm}$ 

-Calcul du coefficient C utilisé :

$$Rp \ge \frac{4F}{\pi d^2} = \frac{4.10^4 \cdot 9.81}{\pi (37.5)} = 8.8 \quad 8 \text{ daN/mm}^2$$

Comme : 
$$C = \frac{Rr}{Rp} = \frac{9.2}{8.88} + \boxed{C = 10.36}$$

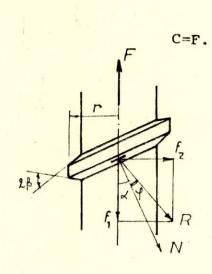
# 2.1.5 Etude dynamique de la vis

### 2.1.5.1 Couple nécessaire pour produire le mouvement

Deux cas sont à considérer, suivant que la vis progresse contre sa charge, ou dans le sens de sa charge axiale.

## 1 -La vis progresse contre sa charge

d'après A. BRU (éléments de construction à l'usage de l'ingénieur, T.1).pour une vis à filet trapézordal, le couple est donné par :



C=F. Im. 
$$\frac{\operatorname{tga+f.cosa}\left[1+\operatorname{tg}^{2}\alpha+\operatorname{tg}^{2}\beta\right]^{1/2}}{1-f.\sin \alpha\left[1+\operatorname{tg}^{2}\alpha+\operatorname{tg}^{2}\beta\right]^{1/2}} + F.P.f$$

La vis de commande reçoit sa charge axiale par l'intermédiaire d'une butée à billes, donc  $f_1 \approx 0$ .

d'où : C=F. 
$$\lceil m \rceil$$
 
$$\frac{ tg\alpha + f.\cos\alpha \left[1 + tg^2\alpha + tg^2\beta\right]^{1/2}}{1 - f.\sin\alpha \left[1 + tg^2\alpha + tg^2\beta\right]^{1/2}}$$

Comme dans notre cas, il est absolument nécessaire que le méca nisme soit irréversible (pour éviter de fausser les mesures si on arrête la machine pendant les manipulations) on doit avoir:

$$f = tg \phi > tg \alpha$$

c'est-à-dire :

**b** > 0

••on prendra  $\phi = 6^{\circ} \rightarrow tg\phi = 0,105$ 

donc : 
$$C = 9,81.10^3$$
.  $\frac{43}{2} \frac{0,074 + 0,105.0,99 \left[1 + 0,006+0,071\right]^{1/2}}{1-0,105.0,073\left[1+0,006 + 0,071\right]^{1/2}}$ 

$$C = 9,81.10^3 \cdot \frac{43}{2} \quad \frac{0,074 + 0,106}{1-0,01}$$

$$C = 37964, 7 \text{ daN} \rightarrow [co \approx 380 \text{ Nm}]$$

## 2- La vis progresse dans le même sens que sa charge

Ce cas n'est pas envisagé, puisque, lorsque on fait monter la vis (pour le positionnement des éprouvettes d'essai), cette dernière n'est soumise à aucun effort.

# 2.1.5.2 Vérification du diamètre de la vis à la torsion

Les efforts qui agissent sur la vis sont :

-Effort de traction F = 9,81.103 daN

-Effort de torsion 
$$f_2 = \frac{C}{Im} = \frac{38000}{21.5} = 1767.5 \text{ days}$$

Pour un effort composé : Torsion-Traction, nous avons la relation

$$\sigma = \frac{0.375}{S} + \left[ \left( \frac{0.625 \text{ F}}{S} \right)^2 + \left( \frac{1.25 \text{ C}}{10/\text{V}} \right)^2 \right]^{1/2} < \text{Rp}$$

$$Rp \ge \frac{0.375 \text{ F}}{\pi \Gamma^2} + \left[ \frac{(0.625 \text{ F})^2}{\pi^2 \Gamma^4} + \frac{(1.25)^2 \cdot \text{f}^2 \cdot \Gamma^2}{(0.2 \cdot (2\Gamma)^3)^2} \right]$$

+ 
$$\frac{(1,25)^2 \cdot (1767,5)^2}{(1,6)^2}$$

Rp 
$$\geqslant \frac{1}{\Gamma^2} \left[ 1,17.10^3 + (3,813.10^6 + 1,905.10^6)^{1/2} \right]$$

$$Rp \ge \frac{3.56 \cdot 10^3}{\Gamma^2} \rightarrow \Gamma^2 \ge \frac{3.56 \cdot 10^3}{Rp} = \frac{3.560}{9.2} = 387$$

$$\Gamma > 19,6 + d_0 > 39,2 \text{ mm}$$

Nous considérons comme bon, le diamètre  $\underline{d} = 37,5$  mm, déterminé à l'aide de la traction simple, puisque nous avons pris un coefficient de sécurité C = 10,36, ce qui compense largement la différence  $\underline{do} - \underline{d}$ .

#### 2.2. ECROU

# 2.2.1 Calcul de la hauteur minimale de l'écrou

Le diamètre du noyau est tendu. Les filets de la vis tendent à être arrachés par cisaillement.

La contrainte de traction dans la section droite est:

$$(\sigma e) = \frac{4F}{\pi d^2} \leq Rp_e$$

La contrainte de cisaillement dans la section cylindrique est :

$$(\sigma g) = \frac{F}{\pi dh} < Rp_g$$

Pour ne pas faire simultanément les deux calculs, on veut que la résistance du noyau en traction implique automatiquement le non-arrachement des filets, c'est à dire la résistance en cisaillement.

On veut que si (se) = Rp on soit assuré que (sg) \* Rp

Soit 
$$F = \frac{\pi d^2}{4} Rp_e < \pi dh Rp_g$$

généralement en pose  $Rp_g = \frac{2}{3} Rp_e$ 

Si l'écrou et la vis sont faits de la même matière on aura :

$$h > \frac{3}{8} d$$

Pour reduire les frottements (vis-Ecrou), on prend un écrou en bronze, ce qui augmentera la hauteur, h de celui-ci.

-Matériau : Cu : 90 ; At : 10 - E 825, ReV 600

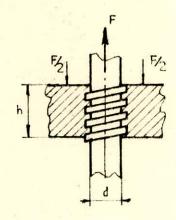
ce qui nous donne :  $R\Gamma_b = 60 \text{ daN/mm}^2$ 

 $Re_b = 26 \text{ daN/mm}^2$ 

$$A_{\rm b} = 228$$

Comme  $Rp = \frac{Rr}{C}$ , en prenant C = 10, on a:

$$Rp_{eb} = \frac{60}{10} = 6 \text{ daN/mm}^2$$



donc 
$$Rp_e = Rp_{eb} \cdot \frac{9.2}{6}$$

de même : 
$$Rp_g = Rp_{gb} \cdot \frac{9.2}{6}$$

Ce qui nous donne :

$$F = \frac{\pi d^2}{4}$$
 .  $Rp_e < \pi dh Rp_g \cdot \frac{6}{9.2}$ 

$$Si Rp_g = \frac{2}{3} Rp_e$$

on aura: 
$$\frac{\pi d^2}{4}$$
 x Rp<sub>e</sub> <  $\pi dh \frac{2}{3}$  Rp<sub>e</sub>  $\frac{6}{9,2}$ 

+ h > 
$$\frac{d}{4}$$
 x  $\frac{3}{2}$  x  $\frac{9,2}{6}$ 

$$h > \frac{9.2}{16} d + \left[ h_{min} = 0.6 d \right]$$

# -NOTATION :

h : : hauteur minimale de l'écrou

Rrb : charge de rupture du bronze

Reb : limite élastique du bronze

Ab : Allongement % du bronze

σpe : Résistance pratique à l'extension pour l'acier

σρ<sub>eb</sub> : Résistance pratique à l'extension pour le bronze

σp<sub>q</sub> : Résistance pratique au cisaillement pour l'acier

opgb: Résistance pratique au cisaillement pour le bronze

(de) : contrainte admissible à la traction

(og) : contrainte admissible au cisaillement.

#### 2.3 CALCUL DES VITESSES

# 2.3.1 <u>Vitesses de vis</u> (<u>vitesses de séparation des têtes de la</u> machine d'essai

nous nous limiterons à deux vitesses d'essai, plus une vitesse rapide et une vitesse lente qui serviront pour le positionnement des éprouvettes.

-vitesse rapide, que nous choisissons : Y = 40 mm/mn

-vitesses d'essai, imposées par les normes: V2 = 20 mm/mn

 $V_3 = 10 \text{ mm/mn}$ 

-vitesse lente, que nous choisissons : V4 = 5 mm/mn

# 2.3.2 Vitesses de l'écrou

Lorsque l'écrou tourne, la vis prend un mouvement de translation parallèlement à son axe. Pour une rotation de N tours de l'écrou, la vis se déplace de p x N mm, donc pour un pas p=10 mm, on aura comme vitesses de rotation de l'écrou :

$$n_1 = \frac{v_1}{p} = \frac{40}{10} = \frac{4 \text{ tr/mn}}{10}$$

$$n_2 = \frac{v_2}{p} = \frac{20}{10} = \frac{2 \text{ tr/mn}}{10}$$

$$n_3 = \frac{V_3}{p} = \frac{10}{10} = \frac{1 \text{tr/mn}}{10}$$

$$n_4 = \frac{V_4}{p} = \frac{5}{10} = \frac{0.5 \text{ tr/mm}}{}$$

Pour assurer ces vitesses à l'écrou, on choisi un moteur assynchrone à deux vitesses de  $N_1$  = 1000 tr/mn

et 
$$N_2 = 500 \text{ tr/mn}$$

A l'aide de  $N_1$ , on réalise les vitesses de l'écrou  $n_1$  et  $n_3$  et à l'aide de  $N_2$ , on réalise les vitesses écrou  $n_2$  et  $n_4$ .ces deux combinaisons nous permettent d'avoir 4 rapports de réduction, égaux deux à deux :  $F_1 = F_2$  et  $F_3 = F_4$ 

$$\Gamma_1 = \frac{N_1}{n_1} = \frac{1000}{4} = 250$$

$$\Gamma_2 = \frac{N_2}{n_2} = \frac{500}{2} = 250$$

$$\Gamma_3 = \frac{N_1}{n_3} = \frac{1000}{1} = 1000$$

$$r_4 = \frac{N_2}{n_4} = \frac{500}{0.5} = 1000$$

# 2.3.3 Conditions d'établissement des rapports de réduction

Pour r < 5 à 6 le rapport est réalisé avec un seul couple d'engrenages.

5 < 52 Le rapport est réalisé à l'aide de deux couples d'engrenages.

 $5^2 < r < 5^3$  Le rapport est donné à l'aide de trois couples

53 < r On emploie 4 couples d'engrenages pour réaliser ce rapport. Notons que pour des raisons d'encombrement, le système roue et vis sans fin est préféré à partir de 5 < r < 52.

L'inconvénient du système, roue-vis sans fin est son rendement, faible vue l'importance des rapports que nous devons réaliser (250 et 1000), le système roue-vis sans fin s'impose par sa capacité de réduction, qui peut aller de 10 à 60, tout en ayant un rendement accéptable.

Donc notre chène de transmission aura deux réducteurs (roues vis sans fin) ayant un même rapport de réduction, pour avoir une transmission régulière, plus deux couples d'engrenages.

Le rapport des réducteurs (roues-vis sans fin) doit être tel que :  $\Gamma = \Gamma_0$ .  $\Gamma_0 < 250$ .

En tenant compte du rendement, nous choisirons :

$$\Gamma_{O} = 15 + \Gamma = 15^{2} < 250$$

Ce qui nous donne :

-Pour le premier couple d'engrenage (III)  $\Gamma_{III} = \frac{250}{225}$ 

-Pour le deuxième couple d'engrenage (IV) 
$$\Gamma_{IV} = \frac{1000}{225}$$

# 2.3.4 Vitesses des couples d'engrenages III ot IV.

$$n_{TII} = \frac{N_I}{\Gamma_{III}} = n_1 \cdot \Gamma = 900 \text{ tr/mn}$$

$$n_{III}' = \frac{N_2}{\Gamma_{III}} = n_2 \times \Gamma = \frac{450 \text{ tr/mn}}{450 \text{ tr/mn}}$$
 $n_{IV} = \frac{N_1}{\Gamma_{IV}} = n_3 \times \Gamma = \frac{225 \text{ tr/mn}}{250 \text{ tr/mn}}$ 
 $n_{IV}' = \frac{N_2}{\Gamma_{IV}} = n_4 \times \Gamma = \frac{112.5 \text{ tr/mn}}{250 \text{ tr/mn}}$ 

#### -Notation:

n<sub>III</sub>: Vitesse de rotation de la vis (II) et de la roue (III) ayant pour vitesse moteur N<sub>1</sub>.

n'<sub>IV</sub> : Vitesse de rotation de la vis (II) et de la roue (III) ayant pour vitesse moteur N<sub>2</sub>.

 $^{n}_{\text{IV}}$  : Vitesse de rotation de la vis (II) et de la roue (IV) ayant pour vitesse moteur  $\text{N}_{1}$ 

n'<sub>IV</sub>: Vitesse de rotation de la vis (II) et de la roue (IV) ayant pour vitesse de la vis N<sub>2</sub>.

#### 2.4. CALCUL DES ENGRENAGES

#### 2.4.1 Roue-vis sans fin (I)

#### 2.4.1.1 Notation :

β<sub>l</sub> : inclinaison primitive du filet de la vis par rapport à l'axe

ε inclinaison primitive des dents de la roue par rapport à l'axe

P : pas apparent

P : pas axial

Pr : pas réel de la vis et de la roue

Ma : module apparent

M : module axial

Mr : moduleréel de la vis et de la roue

z : nombre de dents fictif de la vis

? : nombre de filet de la vis

Z<sub>2</sub> : nombre de dents de la roue

 $\omega_1$  et  $\omega_2$ : vitesse angulaire de la vis et de la roue

dp : diamètre primitif: de la vis

Dp : diamètre primitif de la roue

Δ : entraxe

L<sub>1</sub> : longueur de la partie filetée de la vis

1<sub>2</sub> : épaisseur de la roue

λ. : coefficient de denture

f : coefficient de frottement

η m : rendement multiplicateur

ηr : rendement réducteur

# 2.4.1.2 Observations

Le rendement maximum à lieu avec  $\beta_1 = 45^\circ$ , mais celui-ci conduit à un diamètre trop faible de la vis; si l'engrenage doitêtre strictement irréversible, on doit prendre  $\beta_1 \ge 85^\circ$ 

Pour éviter l'interférence, on fait Z2 > 30

Par sa continuité, le filet de la vis est plus résistant que la denture de la roue; Le calcul de résistance portera donc sur les dents de celle-ci

La vis sans fin pouvant être considérée comme un pignon ayant  $Z_1$  dents, le module se calcule comme pour les engrenages hélicoldaux, dont les axes sont à 90°, en observant toute fois la valeur de L.

La valeur pratique du diamètre de la vis : dp, doit-être tel que :

dp : Toujours supérieur à : Diamètre de la roue rapport

# 2.4.1.3 Détermination des caractéristiques géométriques

# a) -choix du nombre de filets

Données pratiques du nombre de filets de la vis en fonction du rapport de réduction (donné par la Société David-Broun).

Rapport:	>40	22-40	15-22	10-15	8-10	6-8	5-6	4-5	3,6-4	3,-3,6
Nombre de filets	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10

Nous avons un rapport  $\Gamma_0 = 15$ , donc on pourra prendre  $Z_1 = 4$ 

# b) Calcul du module

On peut définir plusieurs modèles de calcul, qui diffèrent par le point d'application de l'effort F entre dents et des simplifications admises.

1 -On admet qu'une seule dent reçoit à son sommet la totalité de l'effort F dirigé suivant la ligne d'action. En fait il y a toujours deux couples de dents en prise quand l'effort est appliqué au sommet de l'une d'elles. Ceci ne peut qu'augmenter la résistance des dents.

2 -La dent est supposée fléchie, la section dangereuse étant à la racine de section rectangulaire a.b.

En générale on emploie la méthode de Henriot pour les engrenages fortement chargés et la méthode de Lewis, pour les engrenages de bonne mécanique.

Méthode de Lewis.

 $\sigma = \frac{\text{moment de flexion}}{\text{moment resistant}}$ 

avec : Moment de flexion : Mf = F.HD = T.G.D  
Module de section : 
$$I/V = \frac{b.a^2}{6}$$

$$\sigma_{\text{max}}$$
 =  $\frac{\text{F.HD}}{\text{b.a}^2/6}$  =  $\frac{\text{T.HD/cos}\,\alpha}{\text{b.a}^2/6}$  =  $\frac{\text{T.GD}}{\text{ba}^2/6}$ 

$$GD.x = ED^2 = \frac{a^2}{4}$$

x dépend du tracé, donc du module M

on pose 
$$\frac{1}{M_{\bullet}Y} = \frac{3}{2x}$$

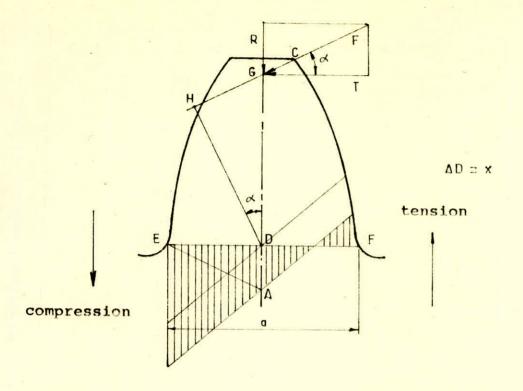
donc  $\sigma_{\text{max}} = \frac{T}{b.Y.M} \leq Rp$ ; avec Y: facteur de forme

or 
$$T = \frac{2C}{M.7}$$
 et  $b = \lambda.M$ 

ce qui vient : 
$$\sigma_{\text{max}} = \frac{2C}{\lambda \cdot M^3 \cdot 7 \cdot Y} \leq Rp$$

$$\rightarrow \qquad M^3 \Rightarrow \frac{2C}{Rp.\lambda.Z.Y}$$

Si on pose GD = hauteur de la dent = 2,25.M



et 
$$a = \frac{1}{2}$$
. pas = 1,6.H

il vient alors : 
$$M^3 > \frac{10C}{Rp.A.Z}$$

-Détermination du couple C1

C. (couple nécessaire pour produire le mouvement au niveau de l'écrou) = 380 mN; nous devons baser nos calculs sur la valeur du couple effictive d'est-à-dire en tenant compte du rendement vis-écrou.

Couple sur la roue (I) : 
$$C_{1r} = \frac{C_0}{n_i}$$

 $\eta_i$ : rendement vis-écrou irréversible = 0,15 à 0,3, en prenant l'écrou en bronze et la vis en acier traité, on pourra prendre  $\eta_i$  = 0,3.

$$+ C_{1r} = \frac{38000}{0.3} = 126 666 \text{ daN mm}$$

-couple sur la vis (I) : 
$$G_{IV} = \frac{Gr}{r_{O}}$$

$$rac{1}{\sqrt{1}} = rac{126 \ 666}{15} = 8445 \ daN \ mm$$

Etant donné que le calcul des dents portera sur la roue, donc :

$$M^3 \geqslant \frac{2.C_{Ir}}{\lambda.Rp.Z_2.Y_2}$$

- pour un bon guidage  $\lambda = 10$  à 12,5 ; on prendra  $\lambda = 12$
- $-Y_2 = 0.30$  (voir Fig. 15)

$$+ M^3 \ge \frac{2.126\ 666}{12.6.60.0,3} = 198,5$$

 $M \ge 5,95 \text{ mm}$  donc un module normalisé  $M_r = 6 \text{ mm}$ 

# C) Dimensionnement du couple roue-vis sans fin (I)

L'erréversibilité entre la roue et la vis sans fin (I) n'est pas nécessaire, puisque l'irréversibilité de la machine est assurée par la vis et l'écrou. ( $\phi > \alpha$ , paragraphe 2.1.5.1)

on se fixe un entraxe  $\Delta \simeq 250$  mm

et un angle  $\beta_1 \approx 70^{\circ}$ 

nous avons 
$$Z = \frac{dp}{Mx}$$
 et  $tg \beta_1 = \frac{7}{7}$ 

$$\Rightarrow z = z_1 \cdot tg \beta_1$$

$$Z = 4.2,747 = 10,98 = 11$$

d'autre part 
$$\Delta = \frac{Mx}{2} (Z + Z_2)$$

$$+ Mx = \frac{2\Delta}{(Z + Z_2)}$$

$$Mx = \frac{2.250}{(60+11)} = 7,04 \text{ mm} ; \text{ on prend } Mx = 7 \text{ mm}$$

on aura alors 
$$Z = \frac{2\Delta}{Mx} - Z_2$$

$$7 = \frac{2.250}{7} - 60 = 11,42$$

Calcul de B1 utilisé :

$$tg \ \beta_1 = \frac{Z}{Z_1} = \frac{11,42}{4} = 2,855$$

$$d'od \beta_1 = 70^{\circ}, 7$$

finalement nous avons pour les diamètres primitifs :

$$dp = Z.Mx = 80 mm$$

$$Dp = Z_2 \cdot Mx = 420 \text{ mm}$$

Nous remarquons, que nous sommes bien dans les limites conseillées par les constructeurs :

$$dp = \frac{Dp}{536}$$

# 1- cotes de détail de la vis (I)

Pour un système normal (les cotes de détail sont déterminées à partir du diamètre primitif dp) et pour  $\beta_1$  < 75°; nous avons :

Saillie: 
$$S_1 = Mr = Mx.sin \beta_1 = 7.0,943 = 6,6 mm$$

creux : 
$$C_1 = 1,2 M_r = 7,92 mm$$

hauteur : 
$$h_1 = 2,2 M_r = 14,52 mm$$

diamètre de tête  $D_1$  = dp + 2 M<sub>r</sub> = 93,20 mm diamètre de pied d<sub>1</sub> = dp - 2,4 M<sub>r</sub> = 64,16 mm Epaisseur axiale sur le cylindre primitif nominal :  $e_x = \frac{M_r \cdot \pi}{2} = 10,36$  mm.

Longueur de la partiefiletée de la vis  $L_1 \simeq (8.4p.S_1)^{1/2} \times 150$  mm

ou 
$$L_1 = Fx (4,5 + \frac{Z_2}{50}) =$$

$$\frac{M_{r} \cdot \pi}{\sin \beta_1}$$
 (4,5 +  $\frac{Z_2}{50}$ ) = 125 mm

L'angle de pression axial  $\phi_X$  est donné en fonction du nombre de dents de la roue ( $Z_2$ ) par la maison "Paul Durand"

Pour  $Z_2 = 60$  dents, on donne  $\phi_x = 15^\circ$ 

# - Effort tangentiel sur la vis I

$$T_1 = \frac{2.C_{IV}}{dp} = \frac{2.8445}{80} = 211 \text{ day}$$

# 21 Cotes de détail de la roue (I)

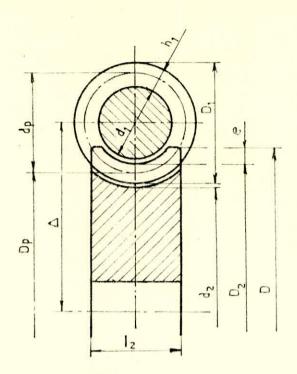
Système normal et \$1 < 75°

$$-S_2 = M_r = 6,60 \text{ mm}$$

$$-C_2 = 1.2 M_r = 7.92 mm$$

$$-h^2 = 2,2 M_r = 14,52 mm$$

-e = 0,5 
$$M_r$$
 = 3,30 mm  
-D<sub>2</sub> = Dp + 2  $M_r$  = 433,30 mm  
-d2 = Dp - 2,4  $M_r$  = 404,16 mm  
+D = Dp + 3  $M_r$  = 439,80 mm  
-e<sub>2</sub> = 2  $M_r$   $\sqrt{2}$  + 1 = 46,59 mm.  
2.4.1.4. Calcul de résistance.



1. Du point de vue rupture, capacité de la roue à la rupture D'après Henriot, le critère de rupture est denné par la contrainte se tel que

$$\sigma o = \frac{T/\cos \beta_1}{t_2/\sin \beta_1.Mx.\sin \beta_1.Y.C_C}$$

+  $T = Y.C_{C.\sigma0.l}$  2.Mx.cos  $\beta_1$  (formule de base)

En tenant compte des coefficients correctifs, on obtient l'effort tangentiel admissible  $t_0$  tel que :

$$T_0 = Y_0 C_c$$
.  $\sigma_0$ .  $\ell_2$ .  $M_X$ .  $\cos \beta_1$ .  $Cv.ct.Cs$ 

avec :

Y : facteur de forme (voir fig. 15)

Cc: facteur de conduite (voir fig. 1)

En général, on prend :  $Y.C_C = 1,25$  (valeur empirique moyenne)

so : limite pratique admissible pour la contrainte de rupture.

Pour le bronze phosphoreux

-coulé en sable so<sub>2</sub> = 5 daN/mm<sup>2</sup>,

-coulé en coquille  $\sigma o_2 = 6 \text{ daN/mm}^2$ 

-centrifugé  $\sigma o_2 = 7 da N / mm^2$ 

£2 : largeur de la roue ≈ 45 mm (calculé)

Mx : 7 mm (calculé)

 $\cos \beta_1 = 0.330$ 

Cv : facteur de vitesse =  $0.94 : V_1 = 0.125 \text{ m/s}$  (fig. 2)

Ct : facteur de durée = 0,9 ; pour un temps de fonctionnement total de 40 000 h (fig. 9)

c5 : facteur de service = 0,8 ; pour une durée de fonctionnement de 8 h par jour (fig. 14).D'où l'effort tangentiel admissible sur la vis :

 $To_1 = 1,25.5.45.7.0,33.0,94.0,9.0,8 \approx 440 \text{ daN donc un couple}$   $de: C_{0.1} = To_1 \cdot \frac{dp}{2}$ 

$$Co_1 = 440.\frac{80}{2} = 17600 \text{ daN} > C_{TV}.$$

Et une puissance  $Po_1 = Co_1 \cdot \omega_1$ 

$$ω_1 = \frac{\pi o \text{ nIV}}{30}$$
 $n_2 \text{ étant la vitesse maximum d'essai}$ 
 $n_{IV} = n_2. \text{ Fo}$ 
 $n_{IV} \text{ vitesse maximum d'essai au niveau}$ 
 $n_{IV} \text{ de la vis (I)}$ 

$$\rightarrow \omega = \frac{\pi \cdot 2 \cdot 15}{30} = 3,14 \text{ rd/s}$$

d'où Po1 = 176.3,14 = 560 W

# 2. DU POINT DE VUE PRESSION.

Capacité de la roue à la pression superficielle (la vis étant surabondante avec la qualité du materiau adopté).

G. Henriot donne : 
$$T = ko_2.l_2.dp.C_{r\beta}.Cv_2.Ct.C_s$$

ko : critère de pression superficielle (fig. 7)

MATIĒRE	нв	ko
Vis : XC48f.H 825, Rev. 550	275	0,5
Roue: C4.90, AL.10.E825, Rev 600	216	0,35

 $\ell_2 = 45 \text{ mm}$ 

dp = 80 mm

 $Cr_{\beta}$ : facteur de rapport d'inclinaison = 1,2 pour  $\beta_1$  = 70°,7 (fig. 8)

Cv<sub>2</sub>: facteur de vitesse = 1 (fig. 10)

C<sub>+</sub> : facteur de durée = 0,9 (fig. 9)

C<sub>s</sub>: facteur de service = 0,8 (fig. 14)

-Effort tangentiel admissible sur la vis

To<sub>1</sub> = 0,35.45.80.1,2.1.0,9.0,8. = 1088 daN Ce qui nous donne un couple de : Co<sub>1</sub> = To<sub>1</sub>.  $\frac{dp}{2}$ .

 $Co_1 = 1088.\frac{80}{2} = 43500 \text{ daN/mm} > C_{IV}$ 

Soit une puissance de : Po1 = Co1.w1

 $Po_1 = 435.3, 14 = 1366 W$ 

Donc la capacité effective de l'engrenage considéré (I) est  $To_1 = 440 \text{ daN}$  donc une puissance de  $Po_1 = 560 \text{ W}$ .

Or nous avons trouvé T = 211 daN, c'est-à-dire que le module est surabondant. On peut soit diminuer le module, soit changer la nature du métal.

En prenant Mx = 6 mm, on aura :  $Z = \frac{2\Delta}{Mx} - Z_2 = 13.3$ 

$$+ tg\beta_1 = \frac{Z}{Z_1} = \frac{13,3}{4} = 3,325$$

donc  $\beta_1 = 73^{\circ},3$ 

et cos  $\beta_1 = 0,287$ 

dp = Z.Mx = 80 mm

 $Dp = Z_2 \cdot Mx = 360 \text{ mm}$ 

 $\ell_2 = 2Mr \sqrt{z+1} \approx 45 \text{ mm}$ 

Cv = 0,94

Ct = 0,90

Cs = 0.80

# 1- Capacité de la roue à la rupture

L'effort tangentiel admissible.

 $To_1 = Y.C_c.\sigmao_2.\ell_2.Mx.cos\beta_1.Cv.Ct.Cs$ 

 $To_1 = 1,25.5.45.6.0,287.0,94.0,90.0,80 \approx 320 \text{ daN}$ 

soiticouple de :  $Co_1 = To_1 \cdot \frac{dp}{2}$ 

 $Co_1 = 320 \times \frac{80}{2} = 12800 \text{ daN mm} > C_{IV}$ 

et une puissance Poi = Coi.wi

$$Po_1 = 128 \times 3,14 = 402 W$$

# 2. Capacité de la roue à la pression superficielle.

ko = 0.35

 $Cv_2 = 0,60$ 

 $Cr_{\beta} = 1$ 

 $c_{t} = 0,90$ 

Cs = 0,80

 $\ell_2 = 45 \text{ mm}$ 

dp ≠ 80 mm

L'effort tangentiel admissible est :

 $To_1 = 0,35.45.80.1.0,60.0,90.0,80 = 543 daN > T_1$ 

donc un couple :  $Co_1 = To_1 \cdot \frac{dp}{2}$ 

 $Co_1 = 543. \frac{80}{2} = 21717 \text{ daN mm} = 217,17 \text{ Nm}$ 

une puissance de : Po<sub>1</sub> = Co<sub>1</sub> .  $\omega_1$ 

 $Po_1 = 217, 17 \cdot 3, 14 \approx 688 W.$ 

Nous prenons pour capacité effective de l'engrenage (I)

 $To_1 = 320 \text{ daN} > T_I$   $\rightarrow$   $Po_1 = 402 \text{ W}$ 

#### 2.4.1.5 Rendement.

Il est très difficile de déterminer une formule exacte du rendement des engrenages à vis sans fin, étant donné la complexité du contact entre vis et roue; néanmoins on utilise avec une approximation suffisante les formules suivantes :

rendement reducteur : 
$$\eta_r = \frac{\text{Ctg } \beta_1}{\text{tg } \left[ \left( \frac{\pi}{2} - \beta_1 \right) + \gamma \right]}$$

avec  $tg\gamma = \phi$ 

rendement multiplic.: 
$$\eta_m = \frac{\text{tg} \left[ (\pi/2 - \beta_1) - \gamma \right]}{\text{Ctg } \beta_1}$$

Le rendement est défini en fonction de l'angle d'inclinaison du filet de la vis  $\beta_1$  et pour différentes valeurs du coefficient de frottement  $\phi$ .

Les facteurs qui agissent sur le coefficient de frottement  $\phi$ .

- a) Materiaux : L'expérience à montré, lorsque le rendement à une très grande importance que la meilleure solution est : -vis en acier
   -Roue en bronze phosphoreux.
- b) Précision d'éxécution des dentures de la vis et de la roue et précision de montage : un mauvais montage produit les

mêmes effets qu'une incorrection de denture.

- c) Fini des surfaces: Les conditions les plus favorables de fini sont acquises après un certain temps de fonctionnement
- d) Lubrifiant : le choix des lubrifiants a une très grande importance; les huiles végétales ou les lubrifiants à base de ces huiles , donnent le coefficient de frottement le plus faible.
- e) Vitesse: La vitesse de glissement agit d'une manière très sensible sur le coefficient de frottement, celui-ci est très meilleur lorsque la vitesse de glissement est élevée.
- f) Conditions de pression superficielle : Avec des conditions de lubrification satisfaisantes un accroissement de pression superficielle tend à réduire le coefficient de frottement.

Le tableau (fig. 11) donne le rendement  $\eta_m$  et  $\gamma_r$  en fonction de  $\beta_1$  et f.f est donné par le tableau (fig. 12), en fonction de la vitesse de glissement  $V_s$ .

$$V_{\varrho} = \omega_1 \cdot R_1 \cdot \frac{1}{\sin \beta_1} = \pi \cdot dp \cdot n_1 \cdot \frac{1}{\sin \beta_1}$$

On pose :  $\sqrt[4]{\pi}$  and  $\frac{1}{\sin \beta_1}$ ; ce facteur est donné par le tableau (fig. 13), en fontion de  $\beta_1$  et de dp.

Avec  $\beta_1 = 73^{\circ}3$ 

dp = 80 mm  

$$n_1$$
 = 30 tr/mn = 0,5 tr/s  
on a :  $\sqrt{}$  = 0,26 m  
et  $V_{\ell}$  =  $\sqrt{}$ .  $n_1$   
 $V_{\ell}$  = 0,26.0,50 = 0,13 m/s.

Si on prend pour lubrifiant de l'huile végétale, on trouve f=0.06 d'où le rendement multiplicateur  $\eta_m$ , entre la roue et la vis sans fin (I) qui vaut :

$$\eta_{mT} = 0.78$$

# 2.4.2 ROUE-VIS SANS FIN (II)

# 2.4.2.1 Détermination des caractéristiques géométriques.

a) Module.

On utilise la relation déterminée précédemment

$$m^3 \ge \frac{2 c_{\Pi \Gamma}}{Rp.\lambda.Z_2.Y_2}$$

C<sub>II</sub> : couple sur la roue II

$$c_{IIr} = \frac{c_{IV}}{\gamma_{mI}}$$

C<sub>IV</sub> : couple sur la vis I

$$C_{III} = \frac{8445}{0.78} \approx 10830$$
 daN mm

 $Rp = 6 \, daN/mm^2$ 

λ = 12

 $Z_2 = 60 \text{ dents}$ 

 $Y_2 = 0.30$ 

$$+ m^3 \ge \frac{2.10830}{6.12.60.0,30} = 16,70$$

 $m \ge 2,56$  mm donc on prend un module normalisé de  $M_r = 3$ 

contrainte modifiée :

$$m^3 \ge \frac{2.C}{Rp.\lambda .Z_2.Y_2} \rightarrow \sigma = \frac{2C}{m^3.\lambda .Z_2.Y_2} \le Rp.$$

$$\sigma = \frac{2.10830}{27.12.60.0,30} = \frac{3.75 \text{ daN/mm}^2}{27.12.60.0,30}$$

#### b) Dimensionnement de la roue et vis sans fin II

L'irreversibilité de la machine étant assurée, on pourra prendre un angle d'inclinaison du filet de la vis  $\beta_1$  <85°, ce qui nous permet d'avoir un rendement meilleur.

soit 
$$\beta_1 = 70^{\circ}$$

Δ = 110 mm

Comme : 
$$z = \frac{dp}{Mx}$$
 et  $tg \beta_1 = \frac{z}{z_1}$ 

+ 
$$z = z_1 \cdot tg \beta_1$$

$$Z = 4.2,747 = 10,98 \approx 11.$$

d'autre part : 
$$\Delta = \frac{Mx}{2} (Z + Z_2)$$

$$+ Mx = \frac{2 A}{(Z+Z_2)}$$

$$Mx = \frac{2.110}{(11+60)} = 3$$

on aura alors: 
$$Z = \frac{2 \Delta}{Mx} - Z_2$$

$$z = \frac{2.110}{3} - 60 = 13,33$$

Calcul de \$ sutilisé :

$$tg \ \beta_1 = \frac{z}{z_1} = \frac{13,33}{4} = 3,333$$

d'où 
$$\beta_1 = 73^{\circ}, 3.$$

Ceci nous donne pour les diamètres primitifs

dp = Z.Mx = 40 mm

 $Dp = Z_2 \cdot Mx = 180 \text{ mm}$ 

# 1. Cotes de détail de la vis II.

Système normal, pour \$1 < 75°

$$S_1 = M_r = Mx.sin.\beta_1 = 3.0,957 = 2,87 \text{ mm}$$

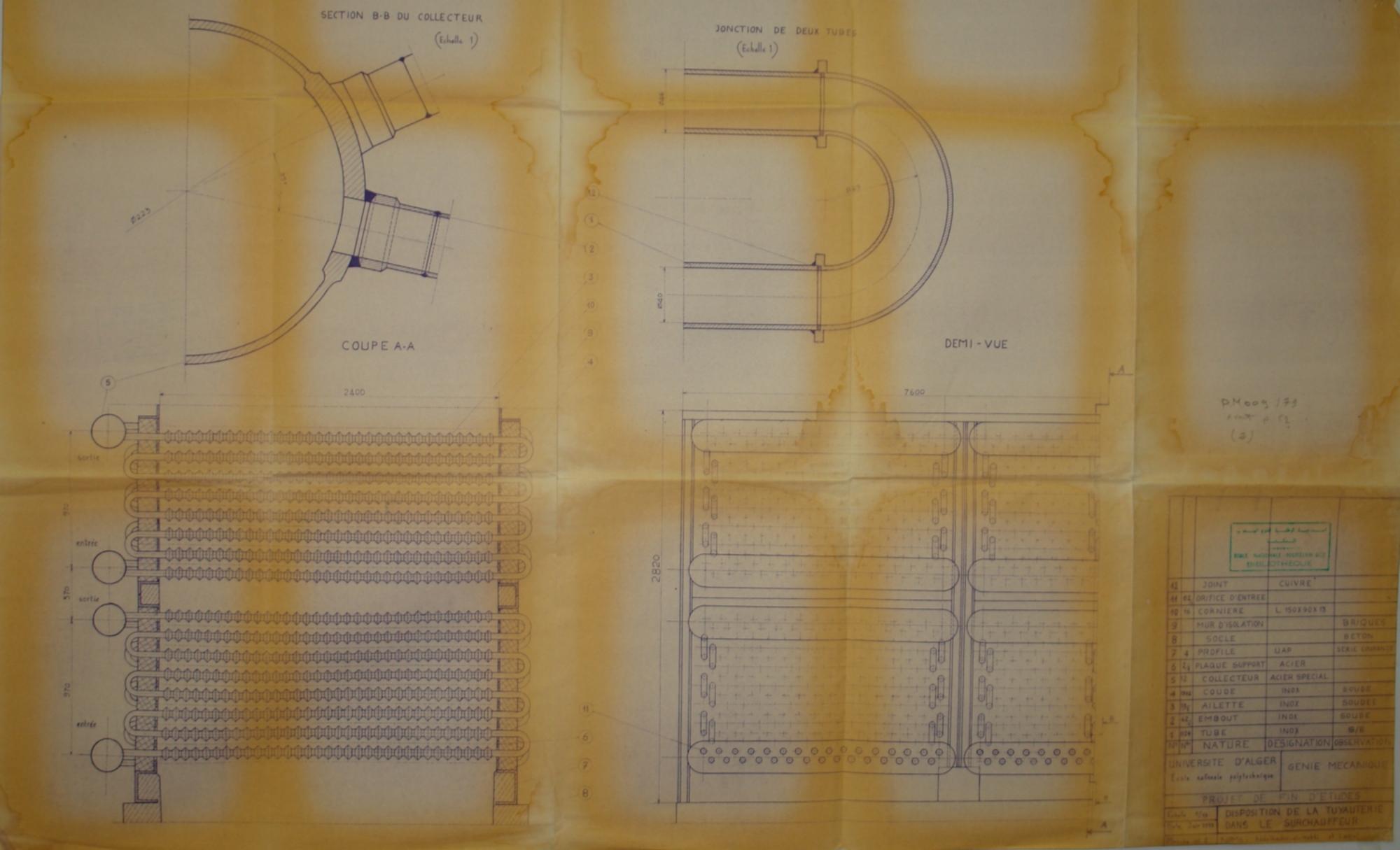
$$C_1 = 1,2 M_r = 3,44 mm$$

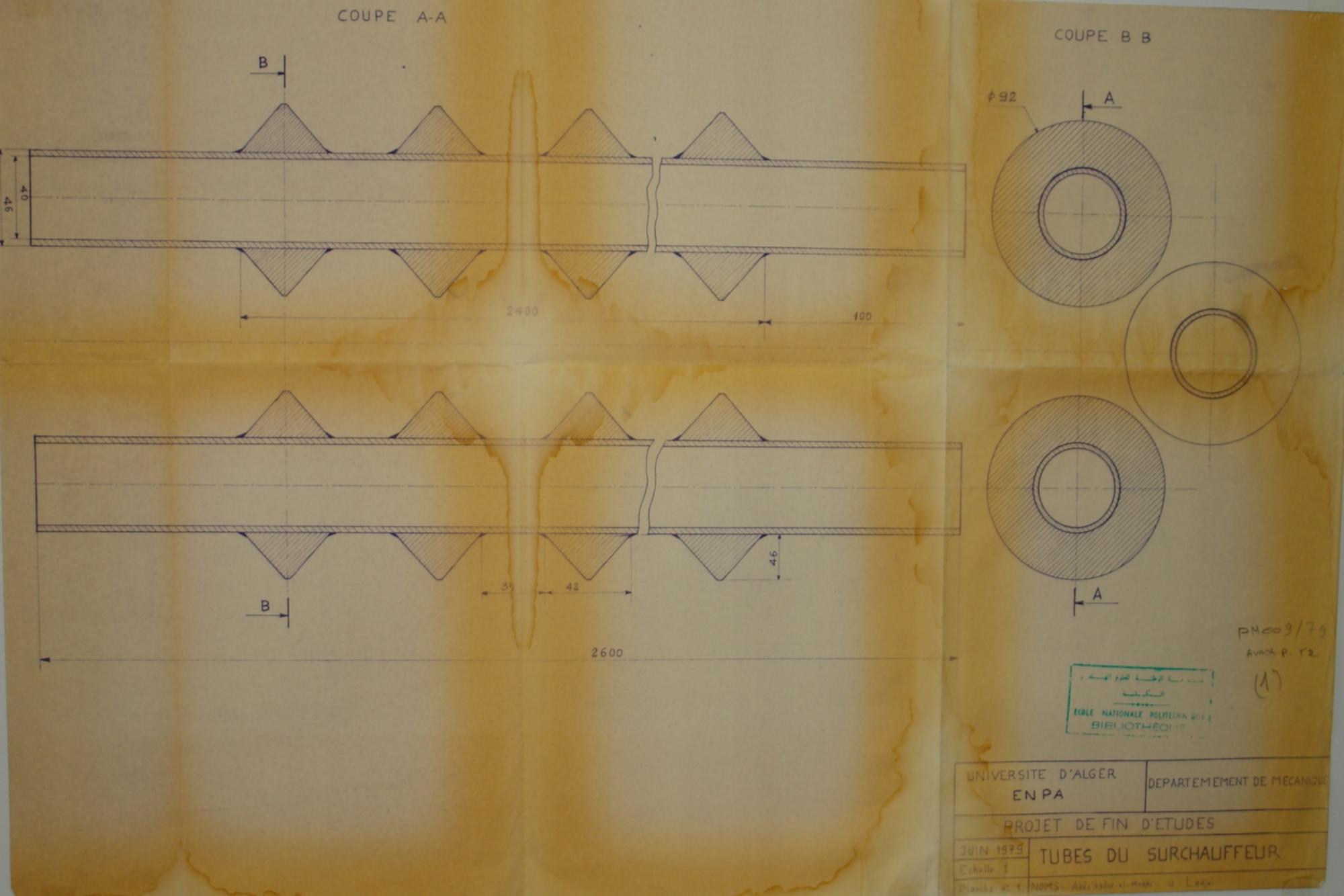
$$h_1 = 2,2 M_r = 6,32 mm$$

$$D_1 = dp + 2 M_r = 45,75 mm$$

$$d_{1/} = dp - 2,4 M_r = 33,11 mm$$

$$e_{\chi} = \frac{M_{\Upsilon} \cdot \pi}{2} = 4,51 \text{ mm}$$





$$L_1 = (8.Dp.S_1)^{1/2} = 64,32 \text{ mm}$$

Pour  $Z_2 = 60$  dents, nous avons  $\phi_x = 15^\circ$ 

-Effort tangentiel sur la vis II

$$T_{II} = \frac{2 C II V}{dp}$$

C<sub>IIV</sub> : couple sur la vis II

C<sub>III</sub>: couple sur la roue II

$$c^{IIA} = \frac{c}{c^{IIL}}$$

$$C_{IIV} = \frac{10830}{15} = 722 \text{ daN mm}$$

$$T_{II} = \frac{2.722}{40} = 36 \text{ daN}$$

# 2. Cotes de détail de la roue II.

Système normal, pour 81 < 75°

$$S_2 = M_r = 2,87 \text{ mm}$$

$$C_2 = 1,2 M_r = 3,44 mm$$

$$h_2 = 2,2 M_r = 6,32 mm$$

$$C = 0.5 M_{r} = 1.44 mm$$

 $D_2 = Dp + 2 M_r = 185,74 mm$ 

 $d_2 = Dp - 2.4 M_r = 173.10 mm$ 

 $D = Dp + 3 M_r = 188,61 mm$ 

 $\ell_2 = 2 M_T \sqrt{Z+1} \approx 20 \text{ mm}$ 

#### 2.4.2.2 Calcul de résistance

#### 1. Du point de vue rupture

Capacité de la roue à la rupture.

Comme nous l'avons déjà vue précédemment l'effort tangentiel admissible sur la vis II est donné par :

$$To_1 = Y.C_c.\sigmao_2.Mx.cos \beta_1.C_v.C_t.C_s.l_2$$

 $Y \cdot C_{c} = 1,25$ 

 $\sigma o_2 = 5 \, daN/mm^2$ 

£ 2 = 20 mm

Mx = 3

 $\cos \beta_1 = 0,286$ 

 $C_{V} = 0.87 \text{ avec } V = 0.94 \text{ m/s}$ 

Ct = 0,90

 $C_S = 0.80$ 

+ To<sub>1</sub> = 1,25.5.20.3.0,286.0,87.0,90.0,80.

To ≃ 67 daN

Soit un couple de :  $Co_1 = 67 \cdot \frac{40}{2} = 1340 \text{ daN mm} \cdot C_{IIV} = 722 \text{ daN/mm}$ 

# 2. Du point de vue pression

Capacité de la roue à la pression.

G - Henriot donne :

$$T = ko.l_2.dp.C_{r_B}.C_v.C_t.C_s.$$

$$ko = 0,35$$

$$dp = 40$$

$$C_V = 0,28$$

$$Ct = 0,9$$

$$C_s = 0.8$$

L'effort tangentiel admissible sur la vis II

$$To_1 = 0.35.20.40.1.0.28.0.9.0.8.$$

#### To1 = 56,50 daN

d'où un couple 
$$Co_1 = To_1 \cdot \frac{dp}{2}$$

$$Co_1 = 1130 \text{ daN mm} > C_{IIV} = 722 \text{ daN mm}$$

et une puissance : Po<sub>1</sub> = Co<sub>1</sub>. 
$$\omega_1$$

$$\omega_1 = \frac{\pi n_{IIV}}{30}$$
;  $n_{IIV}$ : vitesse maximum d'essai au niveau de la vis II

$$n_{TIV} = n_{TV}$$
. Fo =  $n_3 = 450$  tr/mn

$$+ \omega_1 = \frac{\pi \times 450}{30} = 47,1 \text{ rd/s}$$

donc  $Po_1 = 11,3 \times 47,1 = 532 W$ 

donc la capacité de la roue à la pression superficielle, est la capacité effective de l'engrenage considéré II. C'est-à-dire

$$To_1 = 56,50 \text{ daN} > T_{II}$$
 et  $Po_1 = 532 \text{ W}$ 

#### 3. Rendement.

$$V_{\ell} = \pi.dp. n_{IIV} \frac{1}{\sin \beta_1} = \sqrt[4]{.n_{IIV}}.$$

Pour dp = 40 mm et  $B_1 = 73^{\circ}$ , 3 ; la Fig. 13, nous donne :  $\psi = 0.13$  m. Comme  $n_{IIV} = 450$  tr/mn = 7,5 tr/s.

$$+ V_{0} = 0,13.7,5 = 0,975 \text{ m/s}.$$

En prenant un lubrifiant d'huile végétale, la Fig. 12+f = 0,034

donc on aura un rendement avec  $\beta_1 = 73^{\circ}, 3$ , de :  $\eta_{\text{mII}} = 0.88$ .

Ceci nous donne un couple &ffectif à la sortie de la vis II, qui vaut :

$$C_{III} r = \frac{C_{IIV}}{\eta_{min}} = \frac{722}{0.88} \approx 820 \text{ daN mm}$$

Soit une puissance de : P<sub>III</sub> = 386 W

#### 2.4.3 Couples d'engrenages III

# 2.4.3.1 Détermination des caractéristiques géométriques

#### a) Calcul du module

Pour les engrenages cylindriques à denture droite, on peut employer la formule simplifiée pour le calcul du module.

$$M^3 \geqslant \frac{10C}{Rp \cdot \lambda \cdot Z}$$

Le rapport du couple d'engrenage considéré est :

$$\Gamma_{\text{III}} = \frac{z_2}{z_1} = \frac{250}{225}$$
 on choisit  $z_1 = 36$  dents, de la série

secondaire on obtient  $Z_2 = Z_1 \cdot \Gamma_{III} = 40$  dents, de la série principale. On prend Rp = 9,2 daN/mm<sup>2</sup> (materiau : XC 48 F-TH.825, Rev. 550°) et  $\lambda = 10$ 

on a: 
$$M^{3} \ge \frac{10 \cdot C_{III P}}{Rp \cdot \lambda \cdot Z_{2}} = \frac{10 \cdot C_{III P}}{Rp \cdot \lambda \cdot Z_{1}}$$

$$C_{III} = 820 \text{ daN mm} \rightarrow C_{IIIp} = \frac{C_{III} r}{r_{III}} = 820 \frac{225}{250} = 730 \text{ daN mm}$$

$$\rightarrow M^3 > \frac{10.738}{9.2.10.36} = 2.23.$$

M > 1,3 mm, on prend un module normalisé de : M = 1,5 mm

#### b) Contrainte modifiée

$$\sigma = \frac{10.C}{M^3 \cdot \lambda \cdot Z} = \frac{10.738}{3,37.10.36} + \sigma = 6.1 \text{ daN/mm}^2$$

#### c) Dimensions du pignon

$$dp = Z_1.M = 36.1,5 = 54 \text{ mm}$$

$$D_1 = dp + 2M = 57 \text{ mm}$$

$$d_1 = dp-2,5 M = 50,25 mm$$

$$S_1 = M = 1,5 \text{ mm}$$

$$C_1 = 1,25 M = 1,87 mm$$

$$\ell_1 = \lambda . M = 15 \text{ mm}$$

# d) Dimensions de la roue

$$Dp = Z_2.M = 60 \text{ mm}$$

$$D_2 = Dp + 2M = 63 \text{ mm}$$

$$d_2 = Dp-2,5M = 56,25 \text{ mm}$$

$$S_2 = M = 1,50 \text{ mm}$$

$$C_2 = 1,25M = 1,87 \text{ mm}$$

$$\ell_2 = \lambda \cdot M = 15 \text{ mm}$$

$$\Delta = \frac{Dp + dp}{2} = 57 \text{ mm}$$

# c) Effort tangentiel sur le pignon III

$$T_{III} = \frac{2.c_{III p}}{dp} = \frac{2.738}{54} \rightarrow T_{III} = 27.5 \text{ daN}$$

#### f) Puissance moteur

La vitesse maximum d'essai est obtenue à l'aide de  $N_2 = 500 \text{ tr/Mn}$ 

donc la puissance au niveau du pignon III est :

$$P_{III} = C_{IIIp}^{\omega_2}$$

$$\omega_2 = \frac{\pi N_2}{30} = 52.3 \text{ rd/s}.$$

$$P_{III} = 7.38.52.3 = 386 \text{ W}$$

Le rendement des arbres sur les paliers varie de 0,9 à 0,98 selon le mode de guidage (palier en bronze, roule-ments...). Si on prend le rendement des paliers ? = 0,95 (guidage sur roulements), on aura : Une puissance moteur de cen régime normal)

$$P_{mn} = \frac{P_{III}}{p}$$

$$P_{mn} = 406 \text{ W}$$

#### 2.4.3.2 CALCUL DES DENTURES

#### A- Calcul de résistance

1- Formule de base : On utilise la méthode du point de contact unique. La formule classique de résistance des materiaux donnant la contrainte de flexion maximum dans la section d'encastrement est :

$$t = \frac{T.Ck}{L.M.Y.Cc}$$

En tenant compte des coefficients correctifs, on obtient :

$$t = \frac{T}{L.M.Y.C_{c}.C_{v}.C_{t}.C_{s}}$$

au point F, nous avons une contrainte de tension t<sub>t</sub>
au point E, nous avons une contrainte de compression t<sub>c</sub>

Donc l'effort tangentiel maximum admissible est :

Pour le pignon : To1 = to1.2.M.Y1.Cc1.Cy.Ct.Cs

Pour la roue :  $To_2 = to_2.2.M.Y_2.C_{C2}.C_{V}.C_{t}.C_{s}$ 

 $to_1 = to_2 = 9,2 \, daN/mm^2$ : contrainte admissible

1 = 15 mm : largeur de denture

M = 1,5 mm : module

 $Y_1 = 0.37$ ;  $Y_2 = 0.38$ : facteur de forme

 $Cc_1 = 1.86$ ;  $Cc_2 = 2.04$ : facteur de conduite

 $C_v = 0.837$  : facteur de vitesse

Ct = 0,65 : facteur de durée

Cs = 0,8 : facteur de service.

+ To<sub>1</sub> = 9,2.15.1,5.0,37.1,86.0,837.0;65.0,8 = 62,5 daN

 $To_2 = 9,2.15.1,5.0,38.2,04.0,837.0,65.0,8 = 70 \text{ daN}$ 

#### B. Pression superficielle

On utilise la formule de Hertz, comme formule de base, pour la détermination de la pression superficielle.

$$S = 0,59 \qquad \boxed{ \frac{1}{e_1} + \frac{1}{e_2}}$$
; Fn =  $\frac{T}{L}$ : effort unitaire

En tenant compte des coefficients correctifs des formules de base, on aura l'effort tangentiel maximum admissible :

-Pour le pignon : To1 = ko1. l.dp.Cr.Cv.Ct.Cs

-Pour la roue : To<sub>1</sub> = ko<sub>2</sub>.ℓ.Dp.Cr.Cy.Ct.C<sub>s</sub>

 $ko_1 = ko_2 = 0.5$  : Limite pratique admissible

dp = 54 mm; Dp = 60 mm : Diamètre primitif

 $C_r = 0,526$ 

: Facteur de rapport

 $C_{V} = 0,837$ 

: Facteur de vitesse

 $C_t = 0,32$ 

: Facteur de durée

 $C_s = 0.8$ 

: Facteur de service

+ 
$$To_1 = 0,5.15.54.0,526.0,837.0,32.0,8 = 46 daN$$

$$To_2 = 0,5.15.60.0,526.0,837.0,32.0,8 = 56 daN$$

La capacité du couple d'engrenages III

- Effort tangentiel : 
$$T_0 = 46 \text{ daN.} > T_{III}$$

- Couple : Co = To. 
$$\frac{dp}{2}$$
 = 1242 daN mm ou Co = 12,42 Nm > C<sub>III</sub>

- Puissance transmise : 
$$P_0 = C_0.\omega_2 = 12,42.52,4$$

$$P_O = 650 W > P_{III}$$

## 2.4.4 Couples d'engrenages IV

#### 2.4.4.1 Détermination des caractéristiques géométriques

#### a) module.

$$M^{3} \geqslant \frac{10C_{IV}\Gamma}{Rp.\lambda.Z_{2}} = \frac{10_{CIV}p}{Rp.\lambda.Z_{1}}$$

Le rapport du couple d'engrenages IV est :  $\Gamma_{IV} = \frac{Z_2}{Z_1} = \frac{1000}{225}$ 

Si on choisit Z1 = 18 dents, de la série secondaire

on obtient 22 = 80 dents, de la série principale

$$Rp = 9.2 \, daN/mm^2$$

$$\lambda = 10$$

Nous avons 
$$C_{IVI} = 820 \text{ daN} + C_{IVp} = \frac{C_{IV.I}}{r_{IV}} = 820 \times \frac{225}{1000}$$

$$C_{IVp} = 185 \, daN \, mm$$

$$+ M^3 \ge \frac{10.185}{9,2.10.18} = 1,12$$

$$M > 1,045$$
; on prend  $M = 1,5 \text{ mm}$ 

#### b) Contrainte modifiée.

$$\sigma = \frac{10.C}{M^3 \cdot \lambda \cdot Z} = \frac{10.185}{3,37.10.18} + \frac{\sigma = 3,06 \text{ daN/mm}^2}{3,37.10.18}$$

## c) Dimensions du pignon.

$$dp = Z_1 M = 18.1,5 = 27 mm$$

$$D_1 = dp + 2M = 30 mm$$

$$d_1 = dp - 2.5 M = 23.25 mm$$

$$S_1 = M = 1,5 \text{ mm}$$

$$C_1 = 1,25 M = 1,87 mm$$

$$\ell_2 = \lambda \cdot M = 15 \text{ mm}$$

## d) Dimensions de la roue

$$Dp = Z_2.M = 120 \text{ mm}$$

$$D_2 = Dp + 2M = 123 mm$$

$$d_2 = Dp - 2,5M = 116,25 \text{ mm}$$

$$S_2 = M = 1,50 \text{ mm}$$

$$C_2 = 1,25 M = 1,87 mm$$

$$\ell_2 = \lambda.M = 15 \text{ mm}$$

$$\Delta = \frac{Dp + dp}{2} = 73,50 \text{ mm}$$

## e) Effort tangentiel sur le pignon IV.

$$T_{IV} = \frac{2.C_{IV.p}}{dp} = \frac{2.185}{27} + T_{IV} = 13,7 \text{ daN}$$

## f) Puissance moteur.

-La vitesse d'essai est obtenue à l'aide de N<sub>1</sub> = 1000 tr/mn

$$\omega_1 = \frac{\pi N_1}{30} = 104,5 \text{ rd/s}$$

$$+ P_{IV} = 1,85.104,5 = 194 W$$

En prenant 
$$\eta_p = 0.95$$
, on obtient :  $P_{mn} = \frac{P_{IV}}{\gamma_p}$ 

$$P_{mn} = 204 W$$

#### 2.4.4.2 Calcul des dentures

#### A -Calcul de résistance

L'effort tangentiel maximum admissible est donné par :

Pour le pignon : To<sub>1</sub> = to<sub>1</sub> . . . M. Y<sub>1</sub> . C<sub>C1</sub> . C<sub>v</sub> . C<sub>t</sub> . C<sub>s</sub> .

Pour la roue :  $To_2 = to_2.l.M.Y_2.C_{C2}.C_V.C_+.C_S.$ 

to<sub>1</sub>=to<sub>2</sub>=9,2 daN/mm<sup>2</sup> : Contrainte admissible

t = 15 mm : Largeur de denture

M = 1,5 mm : Module

 $Y_1 = 0.3$ ;  $Y_2 = 0.42$ : Facteur de forme

Cc1= 1,85 ; Cc2=2,04 : Facteur de conduite

Cs = 0,80 : Facteur de vitesse

Ct = 0,65 : Facteur de durée

 $C_{V} = 0.76$ ; V = 1.9 m/s : Facteur de vitesse

 $\rightarrow$  To<sub>1</sub> = 9,2.15.1,5.0,3.1,86.0,76.0,65.0,8  $\simeq$  46 daN

To<sub>2</sub> = 9,2:15.1,5.0,42.2,04.0,76.0,65.0,8 = 70 daN

## B -Pression superficielle

L'effort maximum tangentiel admissible

Pignon:  $To_1 = ko_1.l.dp.C_r.C_v.C_t.C_s.$ 

 $To_2 = ko_2.\ell.pp.Cr.Cv.Ct.Cs.$ 

 $ko_1 = ko_2 = 0.5$ : Limite pratique admissible

dp = 27 mm; Dp = 120 mm: Diamètre primitif

Cr = 0,816 : Facteur de rapport

C+ = 0,32 : Facteur de durée

On obtient: To<sub>1</sub> = 0,5.15.27.0,876.0,76.0,32.0,8 = 32,2 daN

 $T_{02} = 0.5.15.120.0.816.0.76.0.32.0.8 = 143 dan$ 

Ce qui nous donne pour capacité du couple d'engrenage IV :

-Effort tangentiel : To = 32,2 daN > T<sub>IV</sub>

-Couple :  $C_0 = To. \frac{dp}{2} = 435 \text{ daN mm} \underline{\text{ou } C_0 = 4,35 \text{ Nm} > C}_{IV}$ 

-Puissance transmise:Po =  $Co.\omega_1 = 4,35.104,5$ 

 $Po = 456 W > P_{IV}.$ 

Résultats que nous considérons acceptables.

# Moteur choisi

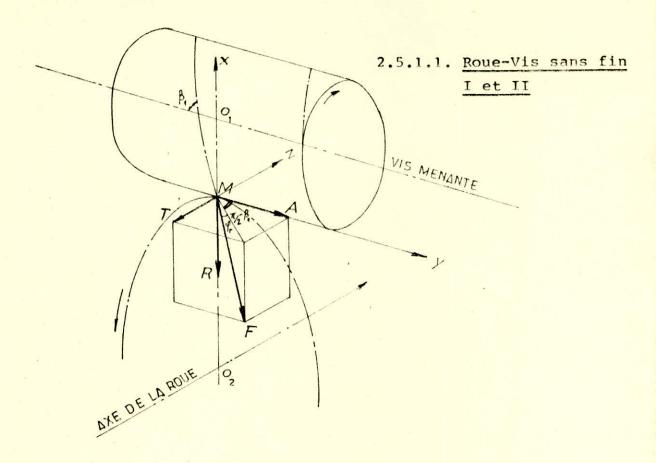
La puissance maximum que doit fournir le moteur en régime normal est P = 406 W; fournie au niveau du pignon III. En tenant
compte des pertes dues aux démarages, et du rendement du moteur.

Nous prendrons un moteur d'une puissance de : deux chevaux
(2ch) soit = 1,5 KW.

-Caractéristiques du moteur choisi :

#### 2.5. ETUDE DYNAMIQUE.

#### 2.5.1. Efforts sur les dentures.



La réaction de la vis sur la roue se traduit par une force F, dirigée suivant la normale commune aux dentures en contact; on supposera cette force appliquée en M, point de contact de la circonférence primitive de la roue avec le cylindre primitif de la vis. Décomposant la force F suivant les axes xxy,z.

- T : Poussée axiale sur la roue, qui est tangente au cylindr primitif de la vis  $(-M_Z)$ .
- A : Force tangentielle sur la roue, qui est parallèle à l'axe de la vis (MY).

R : Poussée radiale sur la roue, qui est suivant la normale commune aux dentures (-MX).

## -Roue-Vis sans fin I

$$T_1 = \frac{2.CIV}{dp}$$

 $C_{IV}$  : Couple sur la vis I

dp : Diamètre primitif de la vis I

$$T_1 = \frac{2.8445}{80} = \frac{211 \text{ daN}}{}$$

$$A_1 = T.tg \beta_1$$

$$A_1 = 211.2,855 = 603 \text{ daN}$$

$$R_1 = \frac{T}{\cos \beta_1}$$
 .tg  $\phi_T$ 

$$tg\phi_r = tg \phi_x.sin\beta_1 = 0,2517$$
; avec  $\phi_x = 15^\circ et \beta_1 = 70^\circ,7$ 

$$+ P_1 = \frac{211}{0.33} \cdot 0.2517 = \underline{162 \text{ daN}}$$

$$F_1 = \frac{T}{\cos \beta_1 \cdot \cos \phi_T}$$

$$F_1 = \frac{211}{0,33.0,969} = \frac{662 \text{ daN}}{}$$

## -Roue-Vis sans fin II

$$T_2 = \frac{2C_{IIV}}{dp}$$

C<sub>TTV</sub> : Couple sur la vis II

dp : Diamètre primitif de la vis II

$$T_2 = \frac{2.722}{40} = \frac{36 \text{ daN}}{}$$

 $A_2 = T.tg\beta_1$ 

$$A_2 = 36.3,33 = 120 \text{ daN}$$

$$R_2 = \frac{T}{\cos \beta_1}$$
 .  $tg \phi_r$  ;  $\phi_x = 14^\circ, 5 \text{ et } \beta_1 = 73^\circ, 3$ 

$$R_2 = \frac{36}{0,287} .0,251 = 31,5 daN$$

$$F_2 = \frac{T}{\cos \beta_1 \cdot \cos \phi_r}$$

$$F_2 = \frac{36}{0,287.0,969} = 130 \text{ daN}.$$

## 2.5.1.2. Couples d'engrenages III et IV.

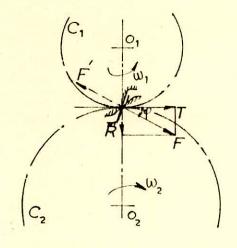
L'action de la denture du pignon sur celle de la roue se traduit par la force F, que nous décomposons en :

-Composante Tangentielle : T

-Composante Radiale : F

Inversement, la réaction de la roue sur le pignon se traduit par une force F', égale et directement opposée à F.

Pour les couples d'engrenages III et IV, nous utiliserons des engrenages parallèles à dentures droites ; avec



• = 20° (angle de pression)

## - Engrenage III

$$T_3 = \frac{2C_{IIII}}{Dp}$$

C<sub>IIII</sub>: Couple sur la roue III

Dp : Diamètre primitif de la roue III.

$$T_3 = \frac{2.820}{60} = \frac{27.5 \text{ daN}}{}$$

$$R_3 = 27,5.0,363 = 10 \text{ daN}$$

## -Engrenage IV

$$T_4 = \frac{2C_{IV\Gamma}}{Dp}$$

CIVI: Couple sur la roue IV

Dp \* Diamètre primitif de la roue IV.

$$T_4 = \frac{2.820}{120} = \frac{13.7 \text{ daN}}{1}$$

$$R_4 = T.tg\phi$$

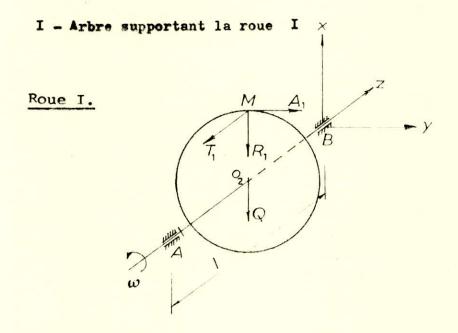
$$R_4 = 13,7.0,363 = 5 \text{ daN}$$

#### 2.5.2. EFFORT SUR LES ARBRES ET LES PALIERS

#### 2.5.2.1. Roue-Vis sans fin I et II

La réaction de la roue sur la vis admet trois composantes :

- -Composante tangentielle : T' (opposée à T)
- -Composante axiale : A' (opposée à A)
- -Composante radiale: R' (opposée à R)



Diamètre primitif : Dp = 420 mm

## réaction de la vis sur la roue :

 $T_1 = 211 \text{ daN}$ 

 $A_1 = 603 \, \text{daN}$ 

 $R_1 = 162$  daN, au milieu de AB

Q = 53 daN, au milieu de AB : Action due au poids de la roue

## Réactions sur les appuis :

On pose  $\ell$  = 120 mm, le moment due à l'effort axial (T) =  $\frac{T_1 \cdot D_p}{2}$  est équilibré par deux forces égales et opposées en A et B, valant :

$$\frac{T_1 \cdot Dp}{2.\ell} = \frac{211.420}{2.120} = \frac{370 \text{ daN}}{}$$

Dressons sous forme de tableau, les composantes des réactions en A et B, sur 3 axes x, y, z, dues respectivement à  $T_1$ ,  $A_1$ et  $R_1$  + Q.

Composantes	XA	YA	Z <sub>A</sub>	xB	YB
$T_1 = 211 \text{ daN}$	370	0	211	-370	0
$A_1 = 603 \text{ daN}$	0	-301,5	0	0	-301,5
R <sub>1</sub> +Q=215 daN	107,5	0	0	107,5	0
	477,5	-301,5	211	-262,5	-301,5

Action résultante en A : 
$$R_A = (X_A^2 + Y_A^2)^{1/2} = [(477,5)^2 + (-301,5)^2]^{1/2}$$

$$\approx \frac{565 \text{ daN}}{(-262,5)^2 + (-301,5)^2}$$
Action résultante en B :  $R_B = (X_B^2 + Y_B^2)^{1/2} = [(-262,5)^2 + (-301,5)^2]^{1/2}$ 

$$\approx \frac{400 \text{ daN}}{(-262,5)^2 + (-301,5)^2}$$

Nous admettons que l'arbre de la roue est monté sur roulements

- -Donc le roulement en A est calculé pour une charge radiale de :  $R_A = 565$  daN et une charge axiale de :  $T_1 = 211$  daN.
- -Le roulement de B est calculé pour la même charge radiale, car le sens du mouvement ( et des réactions de contact ) peut être inversé.
- -L'Arbre de la roue est calculé à une contrainte idéale résultant de la torsion et de la flexion.

-Mouvement de torsion :

mt = C = A<sub>1</sub> . 
$$\frac{Dp}{2}$$
 = 603.  $\frac{420}{2}$  = 129 000 daN mm =  $\frac{1290 \text{ Nm}}{2}$ 

-Moment de flexion : 
$$mf = R_A \cdot \frac{\ell}{2} = 565 \cdot \frac{120}{2} = 33900 \text{ daN mm} = \frac{339 \text{ Nm}}{2}$$

-Moment idéal

$$m_1 = (m_t^2 + m_f^2)^{1/2} = \left[ (1290)^2 + (339)^2 \right]^{1/2} = \underline{1330 \text{ Nm}}$$

-Diamètre minimum de l'arbre (au niveau de la section dangereuse

Pour un diamètre plein : 
$$1/v = \frac{\pi d^3}{32} \approx 0.1 d^3$$

$$+ d^3 \ge \frac{10 \text{ mi}}{\text{Rp}}$$
; en prenant Rp  $\approx 10 \text{ daN/mm}^2$ 

$$d \geqslant \left[ \frac{10.133000}{10} \right]^{1/3}$$

## $\rightarrow$ d = 51 mm

Comme l'arbre qui porte la roue I,est un arbre creux de section

$$S = \frac{\pi d^2}{4} = \frac{\pi}{4} \quad (D^2 - do^2) \; ; \quad D \; : \; diamètre \; extérieur \; de \; l'arbre$$

do: diamètre intérieur de l'arbre

donc : D = 
$$\left[\frac{45}{\pi} + do^2\right]^{1/2}$$

si on prend do = 70 mm + D = 
$$\left[4.\frac{\pi d^2}{4\pi} + do^2\right]^{1/2}$$

$$D = \begin{bmatrix} 51^2 + 70^2 \end{bmatrix}^{1/2} = 86,5 \text{ mm}$$

## 2. Arbre supportant la vis I et la roue II

Nous avons  $L_1$ : longueur de la partie filetée de la vis I = 125 à 150 mm

4: entraxe (roue-vis sans fin I)
= 250 mm

ce qui nous permet de prendre : 1 = 125 mm

$$\ell_2 = 35 \text{ mm}$$

dp : diamètre primitif de la vis I = 80 mm

Dp : diamètre primitif de la roue II = 180 mm

nous nigligerons le poids de la vis I et celle de la roue II.

 $T_{i} = 211 \text{ daN}$ 

 $T_2 = 36 \text{ daN}$ 

 $A_1 = 603 \, \text{daN}$ 

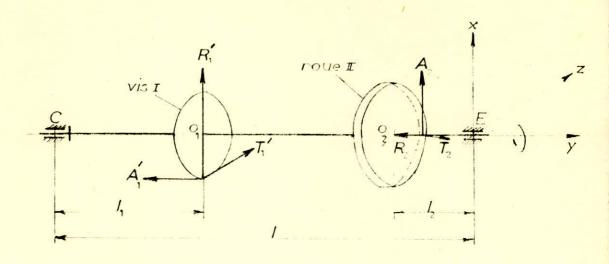
 $A_2 = 120 \text{ daN}$ 

R! = 162 daN

 $R_2 = 31,5 \text{ daN}$ 

Composantes des réactions en C et E suivant X, Y, Z, dues à T[ , A[ , R[ et à  $T_2$  ,  $A_2$  ,  $R_2$ 

Composantes	x <sub>C</sub>	Y <sub>C</sub>	z <sub>C</sub>	xE	YE	z <sub>E</sub>
$T_1' = 211 \text{ daN}$	. 0	0	-128,5	0	0	-82,5
$A_1 = 603 \text{ daN}$	-93	603	0	93	0	0
$R_1 = 162 \text{ daN}$	-98,5	0	0	-63,5	0	0
$T_2 = 36$ daN	0	-36	0	0	0	0
$A_2 = 120 \text{ daN}$	-13	0	0	-107	0	, 0
$R_2 = 31,5  \text{daN}$	0	0	3,5	0	0	28
	-205	565	-125	77,5	0	-54,5



Action résultante en C :  $R_C = (x_C^2 + z_O^2)^{1/2} =$ 

$$[(-205)^2 + (-125)^2]^{1/2} = 240 \text{ daN}$$

Action résultante en E : 
$$R_E = (X_E^2 + Z_E^2)^{1/2} + [(77,5)^2 +$$

$$(-54,5)^2$$
 =95 daN

- -L'arbre de vis est monté sur roulement s; la butée de C est calculée pour une charge radiale :  $R_{\rm C}$  = 240 daN et une charge axiale  $Y_{\rm C}$  = 567 daN.
- -L'arbre de la roue est calculé à une contrainte idéale résultant de la torsion et de la flexion.

Moment de Torsion :

$$m_t = C = A_2 \cdot \frac{Dp}{2} + T \cdot \frac{dp}{2} = 120 \cdot \frac{180}{2} + 2II \cdot \frac{80}{2} = 19250 \text{ daN mm}$$
 $m_t = 192,5 \text{ Nm}$ 

moment de flexion au point O1:

$$mf/01 = R_{c} \cdot \ell_{1} = 240.125 = 300 00 \text{ daN mm} = 300 \text{ Nm}$$

moment de flexion au point 03:

$$mf/O3 = R_E \cdot t_2 = 95 \cdot 35 = 3320 \text{ daN mm} = 33,2 \text{ Nm}$$

moment idéal :

$$m_1 = (mt_{max}^2 + mf_{max}^2)^{1/2} = [(192,5)^2 (300)^2]^{1/2}$$

 $m_i = 356 \text{ Nm} .$ 

Diamètre minimum de l'arbre au niveau de la section dangereuse

$$\sigma = \frac{m_1}{I/V} \leq Rp$$

Pour les arbres circulaires pleins :  $I/V = \frac{\pi d^3}{32} \approx 0.1 d^3$ 

$$+ d^3 > 10 \frac{m_1}{Rp}$$

$$d \ge \left[ 10 \quad \frac{m_1}{Rp} \right]^{1/3}$$

Si on prend Rp = 10 de N/mm<sup>2</sup>, on aura :

$$d \ge \left[ \frac{10.356\ 00}{10} \right]^{1/3} = 33\ mm$$

- + d = 34 mm
- 3. Arbre supportant la vis II.

 $L_{16} = 65 \text{ mm}$  : longueur de la partie filetée de la vis II

 $\Delta_2 = 110 \text{ mm}$  : entraxe (roue-vis sans fin II)

d'où t = 120 mm.

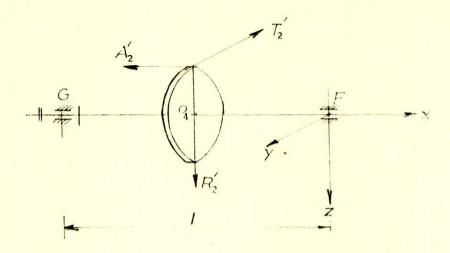
dp : = 40 mm : diamètre primitif de la vis

on néglige le poinds de la vis II.

Le moment due à l'effort axial  $(A'_2) = \frac{A'_2 \cdot dp}{2}$ , est équilibré par deux forces égales en F et G, valant :

$$\frac{A_2^{1}. dp}{2!} = \frac{120.40}{2.120} = \frac{20 \text{ daN}}{2}.$$

Réactions en F et G sur les 3 axes x, y, z, dues à  $T_2^{\mbox{!`}}$  ,  $A_2^{\mbox{!'}}$  et et  $R_2^{\mbox{!`}}$  .



composantes	x <sub>G</sub>	$^{\mathrm{Y}}_{\mathrm{G}}$	$z_{ m G}$	YF	z <sub>F</sub>
$T_2^* = 36 \text{ daN}$	0	18	O	18	0
$A_2^{\bullet} = 120 \text{ daN}$	120	0	-20	0	20
$R_2' = 32 \text{ daN}$	0	0	-16	0-	-16
	120	18	<u>-</u> 36	18	4

Action résultante en F : 
$$R_F = (Y_F^2 + Z_F^2)^{1/2} = [18^2 + 4^2]^{1/2} = 18,5 \text{ daN}.$$

Action résultante en G : 
$$R_G = (Y_G^2 + Z_G^2)^{1/2} = \left[18^2 + (-36)^2\right]^{1/2} \approx 40 \text{ daN.}$$

Nous admettons que l'arbre de la vis est monté sur roulements

- -Le roulement en G est calculé pour une charge radiale de :  $R_G = 40$  daN et une charge axiale de  $A_2^* = 120$  daN.
- -Le roulement en F est calculé pour la même charge radiale. (40 daN).
- -L'arbre de la roue est calculé à une contrainte ideale résultant de la torsion et de la flexion.

.moment de torsion :

$$m_t = C = T_2^* \cdot \frac{dp}{2} = 36 \cdot \frac{40}{2} = 720 \text{ daN mm} \cdot = 7,2 \text{ Nm}$$

.moment de flexion :

$$m_f = R_G \cdot \frac{\ell}{2} = 40 \cdot \frac{120}{2} = 4800 \text{ daN mm} = 48 \text{ Nm}.$$

.moment idéal :

$$m_1 = (m_t^2 + m_f^2)^{1/2} = [(7,2)^2 + 48^2]^{1/2} = 48,6 \text{ Nm.} \implies d_{win} = 17ww$$

## 2.5.2.2 Engrenages III et IV.

1- L'arbre supportant les roues III et IV.

#### Voir schema - 82 - bis

a = 30 mm

b = 40 mm

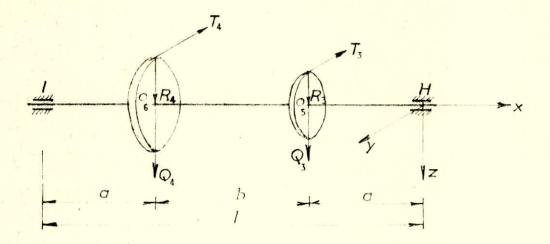
 $Dp_4 = 120 \text{ mm}$ 

 $Dp_3 = 60 \text{ mm}$ 

## -Réactions sur les appuis.

Dressons un tableau comme pour les roues et vis sans fin :

Composantes	Ч <sub>Н</sub>	z H	Y	z <sub>I</sub>
$T_3 = 27,5 \text{ daN}$	19,20	0	8,30	0
$R_3 + Q_3 = 10,5 \text{ daN}$	n	-7,35	0	-3,15
T4 = 13,7 daN	4,10	n	9,60	0
$R_4 + Q_4 = 6;5 \text{ daN}$	0	-1,95	0	-4,55
	23,30	-9,30	17,9	-7,70



Il faut remarquer que les roues III et IV ne reçoivent pas le mouvement moteur simultanément. Donc pour le calcul de l'arbre nous devons considérer une seule roue en fonctionnement (exemple roue III).

-Actions résultantes en H et I (Considérons la roue III en position de travail).

-Au point H: 
$$R_H = (Y_H^2 + Z_H^2)^{1/2} = [(19,2)^2 + (-7,35)^2]^{1/2} = 20,6 \text{ daN}$$

-Au point I : 
$$\mathbf{R_I} = (\mathbf{Y_I^2} + \mathbf{Z_I^2})^{1/2} = [(8,3)^2 + (-3,15)^2]^{1/2} = 8,9 \text{ daN}$$

L'arbre portant III et IV est monté sur roulements, le roulement en H, ainsi que celui en I sont calculés pour une charge radiale de 21 daN cet arbre est calculé à une contrainte idéale résultant de la torsion et de la flexion.

-moment de torsion :

$$m_t = T_3 \cdot \frac{Dp}{2} = 27.5 \cdot \frac{60}{2} = 810 \text{ daN mm} = 8.1 \text{ Nm}$$

-moment de flexion :

$$mf/05 = R_{H} \cdot a = 21.30 = 630 \text{ daNm} = 6.3 \text{ Nm}$$

-moment idéal :

$$m_1 = (m_t^2 + m_f^2)^{1/2} = [(8,1)^2 + (6,3)^2]^{1/2} = 10,5 \text{ Nm}$$

-Diamètre minimum de l'arbre au niveau de la section dangereuse.

$$\sigma = \frac{\mathbf{m_i}}{1/\mathbf{v}} \leq \frac{R}{p}$$

$$1/\mathbf{v} \geq \frac{\pi d^3}{82} \approx 0.1 \ d^3.$$

$$d^3 \geq 10 \ \frac{\mathbf{m_i}}{Rp}.$$

Avec Rp = IO daN/mm<sup>2</sup>, on a : d  $\geq$  ( $\frac{10.1050}{10}$ )<sup>1/3</sup> = IO,3

## 2. L'arbre qui porte les pignons III et IV.

Etant donné que l'action de la denture du pignon sur celle de la roue est égale et directement opposée à la réaction de la roue sur celle du pignon, la distance entre les pignons III et IV est la même que celle entre les roues donc on prendra le même diamètre minimum que celui calculé precedemment:

d = 11 mm

## 2.5.3. Détermination des roulements et butées.

1 -Arbre supportant la roue I.

#### a) Roulement en A.

Nous prenons une durée de vie = 40 000h. La charge dynamique équivalente à des charges radiales Fr et axiales Fa est donnée par :  $P_A = X.V.Fr + Y.Fa$ .

avec :

 $Fr = 565 \, daN$ 

Fa = 211 daN

V = facteur de vitesse

X = facteur radial

Y = facteur axial

Le catalogue S.K.F. nous donne :

v = 1 (La charge tourne par rapport à la bague intérieure)

$$\frac{\text{Fa}}{\text{V.Fr}} = \frac{211}{565} = 0,373 + X = 1$$

$$Y = 1.7$$

$$+ P_A = 565 + 1;7.211 = 923,7 \text{ daN}$$

capacité de charge en A :

$$C_A = P_A \cdot k \cdot L^{1/3}$$

Pour un mécanisme commandé par engrenages bien taillés : k = 1,25

$$L = N.60.$$
Durée de vie =  $\frac{2.60.40\ 000}{10^6} = 4.8\ Millions$ 

 $L^{1/3} = 1.7$  (N étant la vitesse maximum d'essai)

$$+ C_A = 923,7.1,25.1,7 \approx 1962 \text{ daN}.$$

## b) roulement en B.

$$Fr = 565$$
 daN

$$Fa = 0$$

 $\frac{\text{donc P}}{8} = \text{Fr} = 565 \text{ daN}.$ 

la capacité de charge en B :  $C_B = P_B \cdot k \cdot L^{1/3}$ 

$$C_B = 565.1, 25.1, 7 = 1200 \text{ daN}$$

-Le palier A, subit une charge mixte, ce qui porte notre choix sur un roulement à rouleaux coniques.

Le catalogue S.K.F nous donne pour un diamètre d'arbre = 90 mm et une capacité de charge  $C_{A} > 1963$  daN, un roulement de la serre 302 indice 180 c'est-à-dire :

- + Roulement  $A = 160 \times 90 \times 30$
- . Roulement, B:  $160 \times 90 \times 30$ ; puisque les roulements coniques s'emploient par paire.
- 1 -Arbre supportant la vis I et la roue II
- a) Roulement en C:

Charge dynamique équivalente :

$$P_{C} = X.V.Fr + Y.Fa.$$

Fr = 240 daN  
Fa = 567 daN  
V =1; 
$$\frac{Fa}{V.Fr}$$
 = 2,37 + X = 0,65  
Y = 2

 $+ P_{C} = 1.0,65.240 + 2.567 = 1290 \text{ daN}.$ 

La capacité de charge en C :

$$C_c = P_c.k.L^{1/3}$$

$$k = 1,25$$

$$L = \frac{N.60.40\ 000}{10^6} = \frac{30\ x\ 60\ x\ 40\ 000}{10^6} = 72\ Million.$$

$$+ L^{1/3} = 4.2$$

donc  $C_c = 1290.1,25 \times 4,2 \approx 6800 \text{ daN}$ 

#### b) roulement en E.

$$Fr = 240 \text{ daN}$$
  
 $Fa = 0 \text{ daN}$   
 $+ P_F = V.X.Fr = 0,65.240 = 156 \text{ daN}$ 

Capacité de charge en E :

$$C_E = P_E \cdot k \cdot L^{1/3}$$
 $C_E = 156.1,25.4,2 = 820 \text{ dan.}$ 

La distance entre les paliers  $CE = \ell_2 = 320$  mm, nous permet de choisir pour le palier C: une paire de roulements coniques et pour le palier E un roulement à une rangée de billes.

Le catalogue S.K.F nous donne pour un diamètre d'arbre = 40 mm.

Sur le palier C, avec  $C_C \ge 6800$  daN, un roulement de la série : 323 indice 08 c'est-à-dire :  $80 \times 40 \times 33$ .

Sur le palier E, avec  $C_E > 820$  daN, un roulement de la série 60 indice 08 c'est-à-dire :  $68 \times 40 \times 15$ .

- 3° Arbre supportant la vis II.
- a) roulement en G

Charge dynamique équivalente :

$$P_G = V.X.Fr + Y.Fa$$

$$Fr = 40 \, daN$$

$$V = 1 ; \frac{Fa}{V.Fr} = 3 + X = 0,65$$
  
 $Y = .2$ 

$$+ P_G = 1.0,65.40 + 2.120 = 266 \text{ daN}$$

capacité de charge en G :

$$c_G = P_{G} \cdot k \cdot L^{1/3}$$

$$k = 1,25$$

$$L = \frac{N.60.40\ 000}{10^6} = \frac{450.60.40\ 000}{10^6} = 1080\ Million.$$

$$L^{1/3} = 10,25$$

$$+$$
 C<sub>G</sub> = 266.1,25.10,25 = 3410 daN

#### b) Roulement en F.

Fr = 40 daN  
Fa = 0  

$$P_F = V.X.Fr = 0,65.40 = 26 daN.$$

capacité de charge en F :

$$C_F = P_F \cdot k \cdot L^{1/3}$$
 $C_F = 26.1,25 \times 10,25 = 333 \text{ daN}.$ 

Nous prendrons un roulement à rouleaux coniques en G et un autre en F. Pour un diamètre d'arbre = 25 mm et une capacité  $C_C > 3410$  daN.

Le catalogue S.k.F nous donne un roulement de la série 323 indice 05.

- → Le roulement en G et en F = 52 x 25 x24.
- 4. Arbre supportant les roues III et IV.

## a) roulement en I

Les roues III et IV sont des roues cylindriques à dentures droites, donc la charge axiale sur les paliers I et H est nulle (Fa = 0).

-Charge dynamique équivalente.

$$P_I = V.X.Fr$$

$$Fr = 25 \text{ daN}$$

$$V = 1 \text{ et } X = 1$$

$$P_I = 25 \text{ daN}.$$

capacité de charge en I :

$$C_{I} = P_{I}.k.L^{1/3}$$
  
 $k = 1,25$ 

$$L = \frac{500.60.40\ 000}{10^6} = 1200$$

$$L^{1/3} = 10.6$$

+ 
$$\epsilon_{\rm I}$$
 = 25.1,25.10,6 = 324 daN

#### b) roulement en H

Le roulement en H a la même capacité de charge que celui de I  $\underline{C}_{H}$  = 324 daN.

-donc, nous prondrons des roulements à une rangée de billes, en I et en H.

Le catalogue donne pour un diamètre d'arbre = 15 mm et C>324 daN un roulement de la série 60 indice 02 c'est-à-dire:  $32 \times 15 \times 9$ .

## 5. Arbre supportant les pignons III et IV.

Pour les paliers J et k, nous prendrons les mêmes roulements que pour les paliers H et I.

#### 2.5.4. Choix des Accouplements.

Nous choisirons des acouplements élastiques Paulstra. L'organe élastique est constitué par une ou plusieurs masses de caoutchouc adhérant à des pièces métalliques liées à chacun des arbres.

Le caoutchouc travaille au cisaillement, il en résulte une grande élasticité en torsion  $\theta \le 20^\circ$  et dans le sens radial  $\delta \le 10$  mm.

On peut admettre une inclinaison  $\alpha$  des arbres l'un par rapport à l'autre de 2 à 3° et un déplacement relatif axial A  $\leq$  2 à 5 mm.

Il accepte des vitesses de rotation qui peuvent aller jusqu'à 1500 tr/mm. Les couples transmis peuvent aller de: 0.8 Nm à  $4.10^3 \text{ Nm}$ . Ce qui correspond pour N = 1000 tr/mm à des puissances de 100 W à 420 KW.

-Caractéristiques des accouplements choisis :

Type: RADIAFLEX R1-6

n°: 61 11 06

Puissance à 1000 tr/mn = 10 ch  $\simeq$  7,36 KW. Couple  $\simeq$  80 mN.

#### MODIFICATIONS DE DIMENSIONS

Nous attirons l'attension du lecteur, sur le dimensionnement des des couples d'engrenages III et IV

Or pour que l'engrennement soit possible , il faut que :  $\Delta_{
m III}$   $\Delta_{
m IV}$ 

nous avons 
$$\triangle = \frac{Dp + dp}{2}$$
 et  $Dp = M.Z_2$ 

$$dp = M.Z_I$$

Donc pour conserver les rapports de réduction établis et changer la valeure de \( \Delta \) on doit modifier la valeure des modules.

Nous prondrons 
$$M_{III} = 2 \text{ mm}$$
 au lieu de I,5 mm  
et  $M_{IV} = 1.55 \text{ mm}$  au lieu de I,5 mm

cela nous donnera :

b) 
$$dp = Z_1 \cdot M = 18 \cdot I_1 \cdot 55 = 28 \text{ mm}$$
  
 $Dp = Z_2 \cdot M = 80 \cdot I_1 \cdot 55 = 124 \text{ mm}$   $A = \frac{28 + 124}{2} = 76 \text{ mm}$ 

Cette modification de module ne fait qu'augmenter la sécurité des engrenages, puisque les efforts tangentiels se trouvent diminués.

$$T_{III} = \frac{2C_{IIIP}}{dp} = 20,5 \text{ daN au lieu de } 27,5 \text{ daN}$$

$$T_{IV} = \frac{2C_{IVP}}{dp} = 13,2 \text{ daN au lieu de } 13,7 \text{ daN}$$

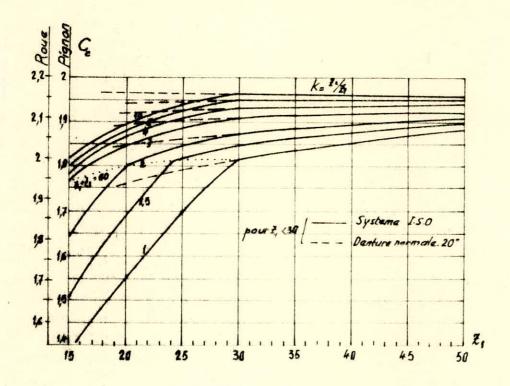


Fig. : I. Facteur de conduite  $C_C$ 

Engrenages parallèles et engrenages concourants. Résistance à la rupture.

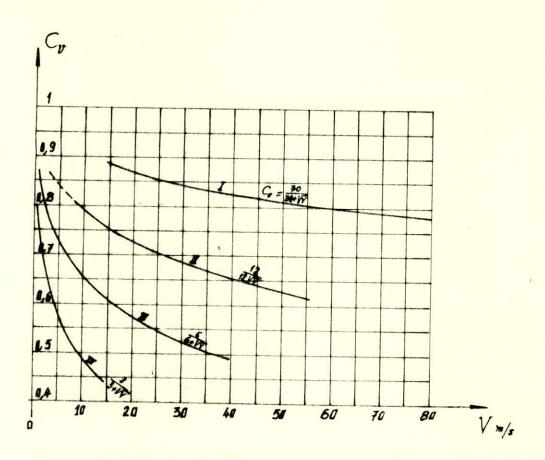


Fig. : 2 Facteur de vitesse Cv

# Engrenages parallèles et Engrenages concourants

Le facteur de vitesse Cv, permet de tenir compte des surcharges dynamique qui interviennent durant le fonctionnement.

- <u>Classe I</u> -Dentures de trés grande précision, pour engrenage à grande vitesse.
- Classe II -Dentures de précision, la vitesse périphérique peut atteindre et même dépasser 50 m/s.
- <u>Classe III</u> -Dentures de bonne qualité commerciales, la valeur de vitesse se situe aux environs de 20 m/s.
- <u>Classe IV</u> -Dentures de qualité médiocre, vitesse ne doit pas dépasser 5 à 10 m/s.

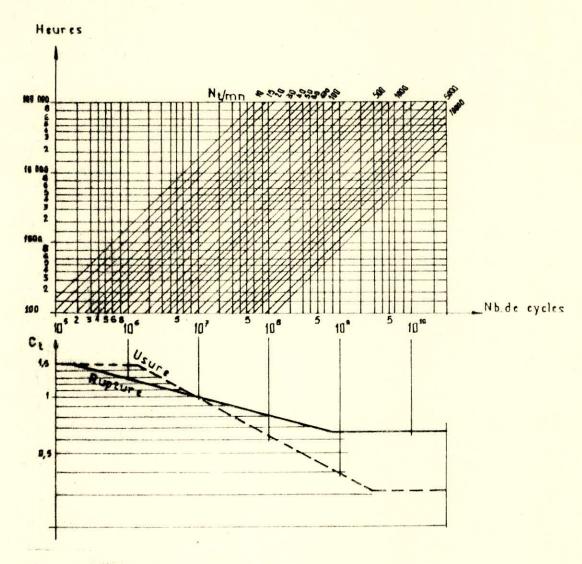


Fig. : 3 Facteur de durée Ct

Engrenages parallèles et engrenages concourants.

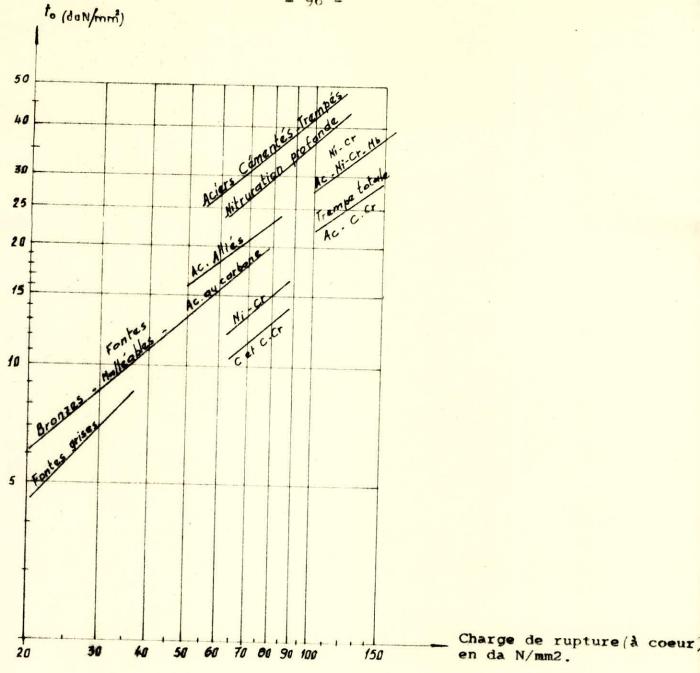


FIG: 4 - Limite pratique de To (doN/mm<sup>2</sup>).

La limite pratique admissible to, est donnée en fonction de la charge de rupture à coeur.

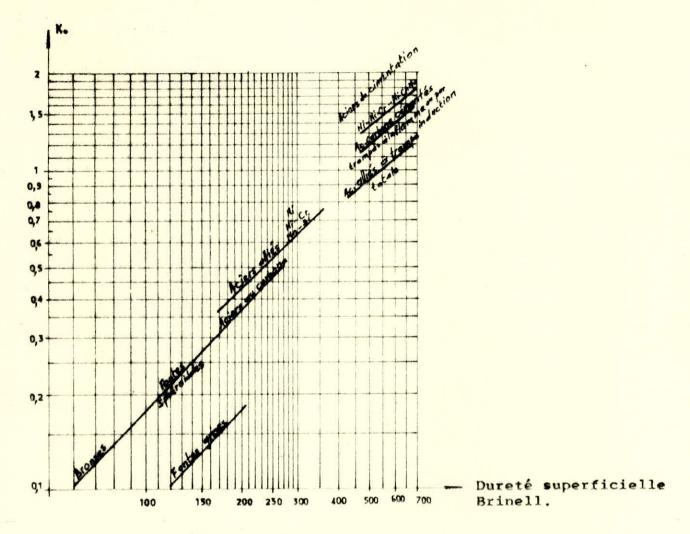


Fig.: 7 Limite pratique de Ko

Ko la limite pratique admissible est donnée en fonction de la dureté superficielle.

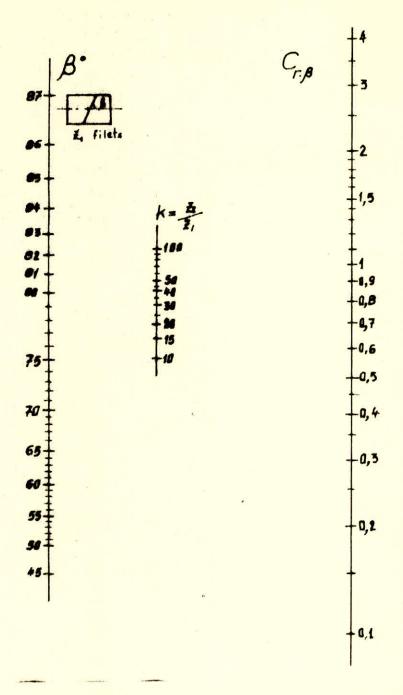
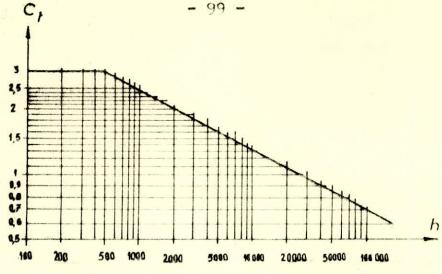


Fig. : 8 Facteur de rapport et d'inclinaison

Facteur de rapport et d'inclinaison. :  $C_{r_{\beta}} = \frac{K^{0,8}}{[tg_{\beta}]^{1,8}}$ 



temps de fonctionnement total en heure.

Fig. : 9 Facteur de durée. Engrenage à vis sans fin.

avec Nc : nombre de cycles de mise en charge.

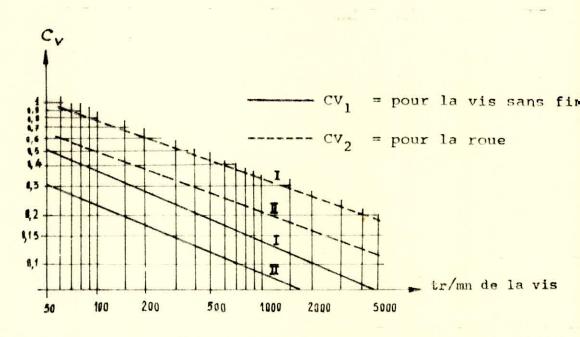
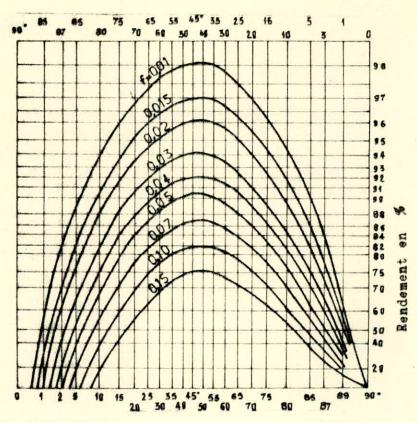


Fig. 10 Facteur de vitesse-Résistance à la pression superficielle.

: Engrenage de précision, avec vis sans fin rectifiée.

: Engrenage à vis sans fin de bonne qualité commerciale.

Rendement :  $7_{m}$  valeur de  $\beta_{1}$ 



valeur de B1

Rendement: 7r

Fig. : I I. Rendement des engrenages à vis sans fin.

Le rendement est défini en fonction de l'angle d'inclinaison du filet de vis  $\beta_1$  et pour différentes valeurs du coefficient de frottement f.

-Le rendement 7 en réducteur s'annule pour les valeurs :

$$\beta_1 = \frac{\pi}{2}$$
 et  $\beta_1 = \gamma$ 

-Le rendement  $\gamma_{\rm m}$  en multiplicateur s'annule pour :

$$\beta_1 = \frac{\pi}{2} - \gamma$$
 et  $\beta_1 = 0$ 

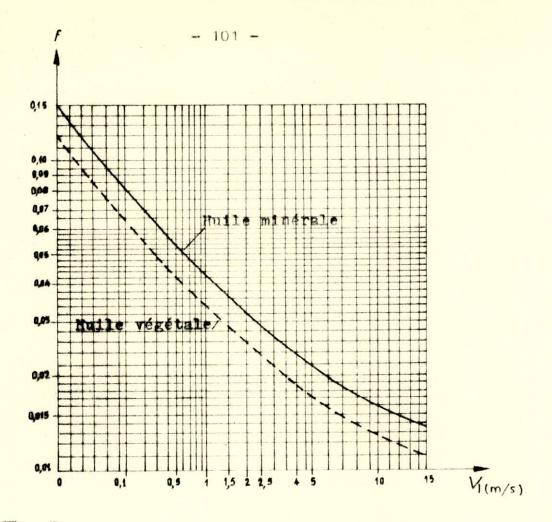
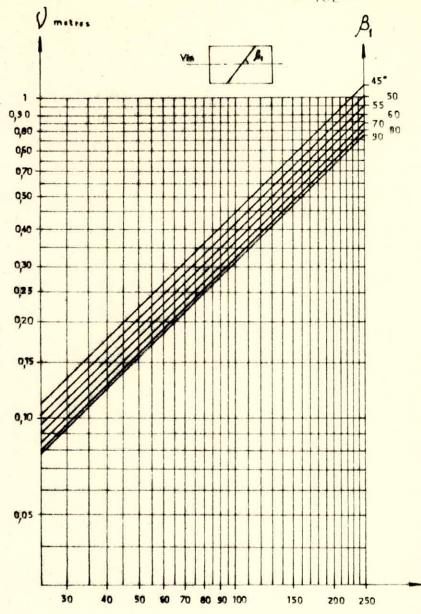


Fig. : 12 Valeur du coefficient de frottement f

Ce tableau donne la variation du coefficient de frottement en fonction de la vitesse de glissement pour un lubrifiant à base d'huile végétale et un lubrifiant à base d'huile minéral. Pour les engrenages soignées au point de vue fabrication et choix des matériaux.

Facteurs agissant sur le coefficient de frottement :

- -Matériaux ;
- -Précision d'exécution des dentures de la vis et de la roue et précision du montage ;
- -Fini des surfaces ;
- -Lubrifiant ;
- -Vitesse ;
- -Conditions de pression superficielle ;



Diamètre prémitifs de la vis en mm.

FIG: I3 - Facteur  $V_m = \pi D_1 \frac{1}{\sin \beta_1}$ 

# Engrenages à vis sans fin.

Ce facteur permet le caldul rapide de la vitesse de glissement  $V_{i}$ , puis que  $V_{i} = \frac{1}{100} \frac{1}{100} \frac{1}{100} \frac{1}{100} \frac{1}{100}$ 

Donc il suffit de multiplier ce facteur par  $N_1$  pour obtenir  $V_\ell$  en m/mm ou en m/s.

	Facteur de	service	Cs		
Organe meteur	Degré de choc de l'or	Durée de fonctionnement			
9	gane récep- teur			24	
moteur électrique	I	1,25	1	0,8	
	II	1	0,8	0,67	
	III	0,67	0,57	0,5	
Turbine meteur à	I	1	0,8	0,67	
pistens multiples	II	0,8	0,67	0,57	
- 4	III	0,57	0,5	0,44	
moteur à un	I	0,8	0,67	0,57	
seul cylin- dre	II	0,67	0,57	0,5	
	III	0,5	0,44	0,40	

Fig. : 14. Facteur de service :  $\mathbf{C}_{S}$  Le facteur de service est introduit pour tenir compte de la nature de l'organe moteur et de l'organe récepteur.

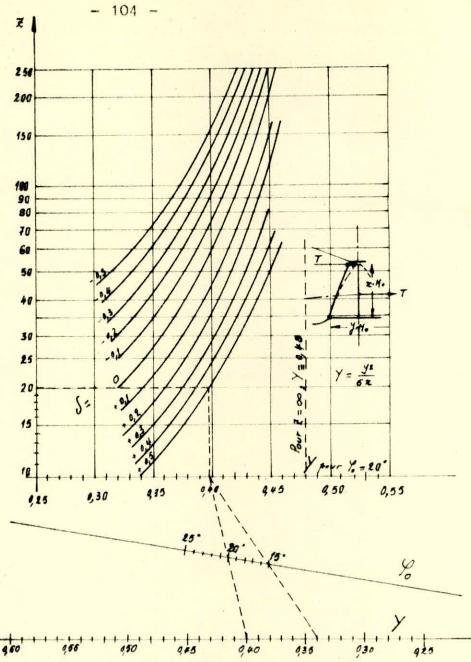


Fig. : 15. Facteur de forme Y

Engrenages parallèles et engrenages concourants. Résistance à la rupture.

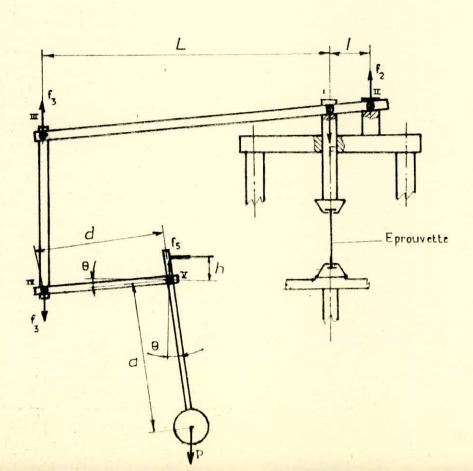
# CHAPITRE III

#### SYSTEME DE MESURE DES FORCES

La commande de notre machine étant mécanique, il nous parait tout à fait logique de prendre, un système de mesure mécanique, basé sur le principe de levier. (voir dessin)

# 3.1. Calcul des différents éléments.

## 3.1.1. Détermination des efforts.



## a) Effort sur axe I.

L'axe I est sollicité par un effort de :  $F_{max} = 10^{h}$  daN =  $F_{I}$ 

#### b) Effort sur les axes II et III.

L'axe II est fixe, le moment des efforts par rapport à cet axe est :

$$Mt/II = \mathbf{F} \cdot \mathbf{\ell} - \mathbf{f}_3 \cdot (\mathbf{L} + \mathbf{\ell}) = 0 \tag{1}$$

d'autre part : 
$$f_3 - F_1 + f_3 = 0$$
 (2)

En remplaçant dans (1), on aura :

$$\mathbf{F}_{1} \cdot \mathbf{\ell} = (\mathbf{F}_{1} - \mathbf{f}_{2}) \cdot (\mathbf{L} + i\mathbf{\ell})$$

$$\mathbf{F}_{1} - \mathbf{f}_{2} = \frac{\mathbf{F}_{1} \cdot \mathbf{\ell}}{(\mathbf{L} + \mathbf{\ell})}$$

$$+ \left[ \mathbf{f}_2 = \mathbf{F}_1 - \frac{\mathbf{F}_1 \cdot \mathbf{\ell}}{(\mathbf{L} + \mathbf{\ell})} \right] \quad (\mathbf{I}^*)$$

Si nous prenons le rapport  $\frac{L}{\ell}$  = 25, pour  $\ell$  = 40 mm on a L = 1000 mm

.L'axe II est sollicité par un effort  $f_2=10^4 - \frac{10^4 \cdot 40}{(1000+40)} = 9615 \text{ daN}$ 

.L'axe III est sollicité par un effort f3=10"-9615=385 daN

# C) Effort sur les axes IV et V.

Le moment des efforts par rapport à l'axe V est :

$$f_{3}.d.\cos\theta = P_{1}.a.\sin\theta$$
 (3)

l'équation des efforts donne :  $\mathbf{f}_5 - \mathbf{f}_3 - \mathbf{P}_1 = 0$  (4)

(3) + 
$$P_1 = f_3$$
.  $\frac{d}{a}$ .  $ctg \theta$ 

Pour avoir P<sub>1</sub> minimum,  $f_3$  étant fixé, il faut avoir le rapport  $\frac{d}{a}$  min et l'angle  $\theta_{max} < 90^{\circ}$ 

-Avec un rapport  $\frac{d}{a} = \frac{1}{30}$  et  $\theta = 30^{\circ}$ , on aura :  $P_1 = 385 \cdot \frac{1}{30} \cdot \text{ctg } 30^{\circ}$ 

$$P_1 = 22,210 \text{ daN}$$
 avec  $P_1 = A + B + C$ 

.L'axe IV subit le même effort que l'axe III, c'est-à-dire  $f_3 = 385 \text{ daN}$ .

.L'axe V est sollicité par : $f_5 = P_1 + f_3 = \frac{407,210 \text{ daN}}{1}$ 

d) Détermination des contres poids correspondant aux forces d'essais :

$$F_2 = 5.10^3 \text{ daN}$$

$$F_3 = 10^3 \text{ daN}$$

1. Force d'essai :  $F_2 = 5.10^3$  daN.

Les relations établies précédemment, pour le calcul de P, restent valables; il sufit de remplacer F par F2 (les dimensions des leviers restent inchangés )

nous avons: 
$$P_2 = f_3 \cdot \frac{d}{a} \cdot ctg \theta$$

avec : f3 : force agissant sur l'axe III

 $\frac{d}{a}$ : rapport des bras de leviers =  $\frac{1}{30}$ 

: angle que fait le levier portant la charge P avec la verticale ( $\theta_{max} = 30^{\circ}$ ).

La relation (2) nous donne :  $f_3 = F_2 - f_2$ 

avec : f 2 : force qui agit sur l'axe II, elle est donné par la relation (1°) établie précédemment.

$$\mathbf{f}_2 = \mathbf{F}_2 - \frac{\mathbf{F}_2 \cdot \mathbf{l}}{\mathbf{F}_2 + \mathbf{l}} = 5000 - \frac{5000.40}{1000 + 40} = 4807,7 \text{ daN}$$

et  $f_3 = 5000 - 4807,7 = 192,30 \text{ daN}$ 

ce qui nous donne :  $P_2 = 192,30.\frac{1}{30}.1,732$ 

 $P_2 = 11,105 \text{ daN}$  avec  $P_2 = A + B$ .

2. Force d'essai :  $F_3 = 10^3$  daN.

En suivant la même procédure, que pour le calcul de  $P_2$  , on trouve :

 $P_3 = 2,221 \text{ daN}$  avec  $P_3 = A$ .

# 3.I.I Calcul des axes d'articulation.

L'axe doit être un élément assez résistant (palier aux déformations dues aux efforts répétés), et ne doit pas avoir un diamètre trop grand (réduire l'encombrement). On choisira les axes dans un acier au silicium :56 S6 T.H.850 Rev. 500°

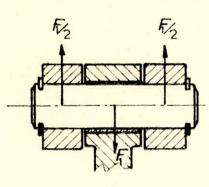
qui donne : 
$$R_{f} = 130 \text{ à } 150 \text{ daN/mm}^2$$

$$R_{e} = 120 \text{ daN/mm}^2.$$

En prenant  $\mathbf{R}_{\Gamma}$  = 140 daN/mm<sup>2</sup> et un coefficient de sécurité C = 8

on aura : 
$$Rp_e \cdot \frac{R_{\Gamma}}{c} = \frac{140}{8} = 17,5 \text{ daN/mm}^2$$

# a) Axe I



Parmi : les diverses solutions constructives possibles, nous adoptons celle indiquée par le schéma ci-contre.

Le levier (mors supérieur) est placé entre les 2 joues d'une chape, la liaison articulation se faisant à l'aide d'un axe de diamètre constant d.

On voit que l'axe travaille au double cisaillement. Chaque section supporte un effort de  $F/2 = 5\cdot10^3$  daN.

L'inéquation d'équarrissage s'écrit :

$$\frac{\mathbf{F}}{\mathbf{S}} < \mathbf{Rp}_{\mathbf{q}}$$
;  $\mathbf{Rp}_{\mathbf{q}} = \frac{4}{5} \mathbf{Rp}_{\mathbf{e}} = 14 \, \mathrm{daN/mm^2}$ 

$$+ d \geqslant \sqrt{\frac{4F_1}{2\pi \cdot Rp_g}}$$

## $d_1 \ge 21,4$ mm

Le choix définitif du diamètre ne pourra se faire que lorsque nous aurons déterminé les dimensions de la chape, l'épaisseur du levier et que l'on pourra vérifier la condition de non-malage.

#### b) Axe II

nous adoptons la même solution constructive que pour l'axe I, donc

$$d_2 > \sqrt{\frac{4f_2}{2\pi . Rp_g}}$$
 avec  $f_2 = \frac{9615 \text{ daN.}}{}$ 

 $f_2$  étant peu différent de F, on prendra le diamètre de l'axe II :  $d_2 = d_1$ 

# c) Axe III et IV.

$$d_3 \ge \sqrt{\frac{4 f_3}{2 \pi . Rp_g}}$$

 $t_3 = 385 \text{ daN} + \underline{d_3} \ge 4,2 \text{ mm}.$ 

l'axe IV étant sollicité par le même effort que l'axe III, donc d<sub>3</sub> = d<sub>4</sub> d<sub>4</sub> 4,2 mm

d) Axe V de 1. que pour le calcul des axes précédents nous avons :

$$d_5 \geqslant \sqrt{\frac{4p_1}{2\pi \cdot Rp_g}}$$

P = 23 daN

$$\rightarrow$$
 d<sub>5</sub>  $\geqslant$  1,5 mm

# 3.1.3 Calcul des chapes

# a) Chapes des axes I et II

P<sub>1</sub>

on prend: D = 2d.

et e = 18 mm.

la condition de non-matage est donnée par :

$$\frac{F_i/2.k}{(D-d).e}$$
  $\leq Rp_e$ .

- . Pour l'acier : k = 1.2
- . en prenant d = 22 mm, on aura :

$$\frac{5.10^3.1.2}{(44-22). 18} = \frac{15.5}{4aN/mm^2} \le Rp_e = 17.5 \, daN/mm^2$$

la condition de non-matage étant vérifiée, on prendrales dimensions définitives des axes et des chapes I et II.

$$d_1 = d_2 = 22 \text{ mm}$$

$$D_1 = D_2 = 44 \text{ mm}$$

$$e_1 = e_2 = 18 \text{ mm}$$

# b) Chapes des axes III et IV.

la condition de non-matage : 
$$\frac{f_{3/2} \cdot k}{(D_3 - d_3) \cdot e_3}$$

En prenant: 
$$d_{III} = d_{IV} = 5 \text{ mm}$$

$$D_{III} = D_{IV} = 2 \text{ d.}$$

$$e_{III} = e_{IV} = 4 \text{ mm.}$$

on a: 
$$\frac{385}{2}.1,2$$

$$= 11,5 \frac{\text{daN/mm}^2}{\text{(10 - 5).4}} = 17,5 \frac{\text{daN/mm}^2}{\text{Rp}_e} = 17,5 \frac{\text{daN/mm}^2}{\text{daN/mm}^2}$$

c) Chape V on prend : 
$$d_5 = 3 \text{ mm}$$

$$D_5 = 2 \text{ d}$$

$$+ \frac{P/2 \cdot ?}{(D-d) \cdot e} = \frac{I2 \cdot 1 \cdot 2}{(6-3) \cdot 4} = \frac{I \cdot 2 \cdot daN/mm^2}{4 \cdot (6-3) \cdot 4} = \frac{Rp_e}{4 \cdot mm}.$$

## 3.2. GRADUATION ET CALCUL RELATIF AUX CADRANS

# 3.2.1. Graduation des cadrans

Pour la lecture des efforts, nous utiliserons, 3 cadrans concentriques.

-Le premier cadran relatif à la force  $F_1=10^4$  daN, de diamètre 300 mm, et comportera 400 graduations, c'est à dire une graduation tous les 25 daN.

-Le deuxième cadran relatif à la force  $F_2 = 5.10^3$  daN, son diamètre = 250 mm, et comportera lui aussi 400 graduations soit une graduation tous les 12,5 daN.

-Le troisième cadran, pour la Force  $F_3 = 10^3$  daN a un diamètre de 200 mm, et doit comporter 200 graduations, donc une graduation tous les 5 daN.

#### Nota:

-Avec la force d'essai  $F_1 = 10^4$  daN on utilisera, le contre poids  $P_1 = A + B + C = 22,210$  daN.

-Avec  $F_2 = 510^3$  daN, on utilisera,  $P_2 = A + B = 11,105$  daN

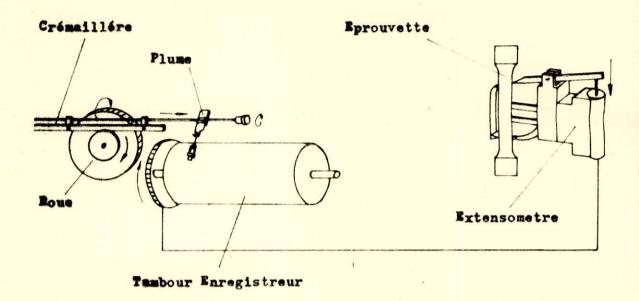
-et avec  $F_3 = 10^3$  daN, c'est  $F_3 = A = 2,221$  daN

donc: A = 2,221 daN

 $B = 8,884 \, daN$ 

C = 11,105 daN.

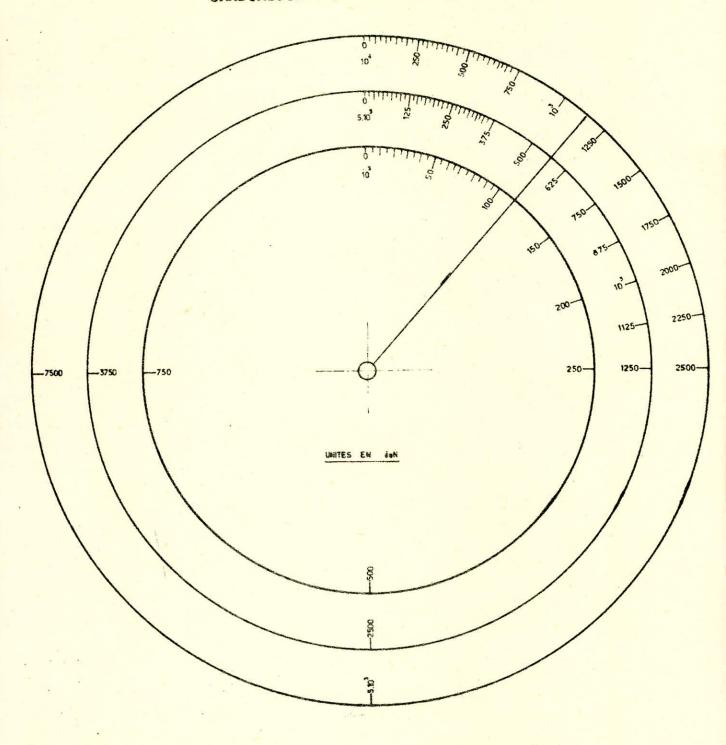
#### SYSTEME D'ENREGISTREMENT



La machine peut être équipée d'un système d'enregistrement simple ou avec extensomètre.

Le systeme d'enregistrement , depend en large partie des enregistreurs.

# GRADUATION DES CADRANS



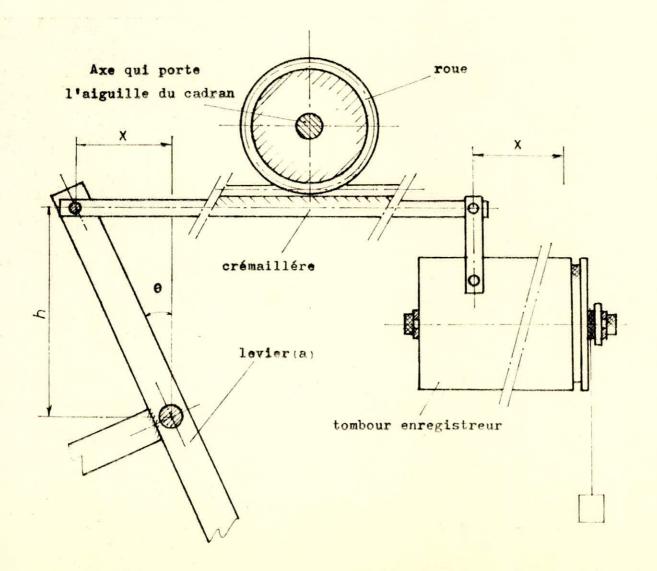
Les graduations seront gravées, sur les cadrans avec des couleurs différentes, pour faciliter la lecture.

# 3.2.2. Dimensionnement des engrenages.

L'ensemble roue-crémaillère (relatif au cadran et tombour enregistreur) ne subit pas d'effort, donc, on se limittera aux dimensionnements de ces éléments.

#### 1 - Roue

Lorsque 0 varie de 0 à 30°, la roue doit tourner d'un tour complet, pour que l'aiguille (qui est fixée sur cette roue) balaye tout le cadran.



nous avons : 
$$D_p = MZ$$
 (1)

d'autre part : 
$$x_{max} = \pi Dp$$
 (2)

\* représente la charge maximum sur le diagramme chargeallongement. (La charge en ordonnée du diagramme).

x doit être choisi en fonction de l'échelle du diagramme que l'on veut obtenir.

On choisira  $x \ge 210$  mm, ce qui nous permet de calculer le diamètre de la roue.

(2) 
$$\rightarrow$$
 Dp =  $\frac{x_{\text{max}}}{\pi} = \frac{210}{\pi} = 66,88 \text{ mm}$ 

Si on prend M=1 mm, on aura Z=66,88, on prendra un nombre de dents normalisé : Z=67 dents, le diamètre prémitif corrigé sera de :

Dp = M.E = 67 mm

 $et x = \pi Dp = 210,38 \text{ mm}$ 

# 2. Crémaillère

Longueur de la crémaillère : L = 250 mm. Largeur :  $\ell = \lambda . M = 10 \text{ mm}.$ 

3. Tombour enregistreur. Longueur du tombour : 1 = 220 mm.
Le diamètre du tombour doit être choisi tel que : MD = 300 mm.

donc: 
$$D = \frac{300}{\pi}$$
 95,5 mm.

# CHAPITRE IV

#### ARMATURE DE LA MACHINE

# 4.1. Plaque supérieure.

De forme rectangulaire = 120 x 600 ; la plaque est un élément essentiel de la machine, elle sert comme point d'appui au système de mesure, maintient les potaux et guide le mors mobile.

# 4.1.1. Calcul de l'épaisseur minimum de la plaque.

.La plaque, repose sur deux appuis distants de 500 mm, percée d'un trou de  $\emptyset = 40$  mm au centre.

.Un effort  $f_2$  , lui est appliquée à une distance:  $\ell$  = 40 mm de son axe de symétrie.

.Matière : XC 48 f Recuit 850°

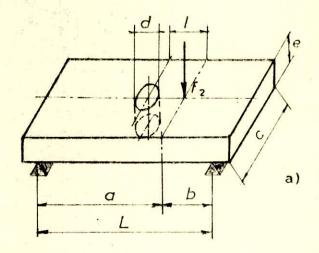
donc: Rr =  $70 \text{ à } 77 \text{ daN/mm}^2$ 

 $Re = 40 daN/mm^2$ 

A% = 12

avec un coefficient  $c = 10 + Rp = \frac{R\Gamma}{c} = \frac{75}{10} = 7.5 \text{ daN/mm}^2$ .

Le calcul de l'épaisseur e, diffère suivant que l'on a à faire à une plaque rectangulaire ou circulaire, ou à une poutre à parois minces.



Nous allons calculer l'épaisseur e, en considérant une pourtre, puis vérifier ce calcul en supposant cette fois une plaque rectangulaire. Calcul:

L = 640 mm

c = 200 mm

2 = 40 mm

a = 360 mm

b = 280 mm

 $d \approx 40 \text{ mm}$ 

# L'inéquation d'équarrissage nous donne :

$$\sigma_{\text{max}} = \frac{\text{mf}_{\text{max}}}{\text{I/v}} \leq \text{Rp.}$$

$$\frac{mf_{max}}{L} = \frac{f_{2.a.b}}{L}.$$

$$I/v = \frac{e^2 \cdot c}{6}.$$

donc: Rp 
$$\frac{f_{2.a.b}}{L} \cdot \frac{6}{e^2.c}$$

$$e^{2} \ge \frac{f_{2} \cdot a.b.}{L} \cdot \frac{6}{Rp.c} = \frac{10^{4}.360.280}{640} \cdot \frac{6}{7,5.200} = 6400$$
 $e^{1} \ge 80 \text{ mm}$ 

Pour tenir compte du trou de diamètre d, on augmentera de 20% l'épaisseur calculée e'.

donc : 
$$e = e' + e' \cdot \frac{20}{100}$$

- + e > 96 mm
- . calcul de la flèche.

Nous avons 
$$f = \frac{f_2. a^2. b^2}{3.E.I.L}$$

I: moment d'inertie = 
$$\frac{l \cdot e^3}{12} = \frac{200 \cdot (96)^3}{12} = 147 \cdot 10^5 \text{ mm}^4$$

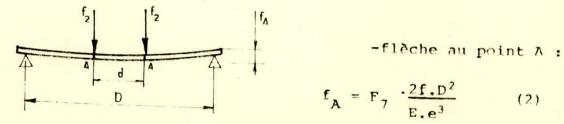
E.: calcul d'élasticité longitudinal, pour les aciers = 2.104 daN/mm<sup>2</sup>

$$+ f = \frac{10^4 \cdot 360^2 \cdot 280^2}{3 \cdot 2 \cdot 10^4 \cdot 147 \cdot 10^5 \cdot 650} = 0,17 \text{ mm}$$

# b) Vérification :

-contrainte au point A.

$$\sigma_{A} = C_{7} \cdot \frac{2f_{2}}{e^{2}} \leq Rp \qquad (1)$$



$$f_A = F_7 \cdot \frac{2f \cdot D^2}{E \cdot e^3} \tag{2}$$



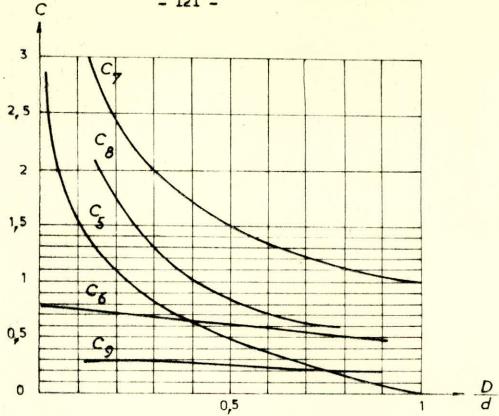


Fig. I Coefficient C . Calcul des épaisseurs.

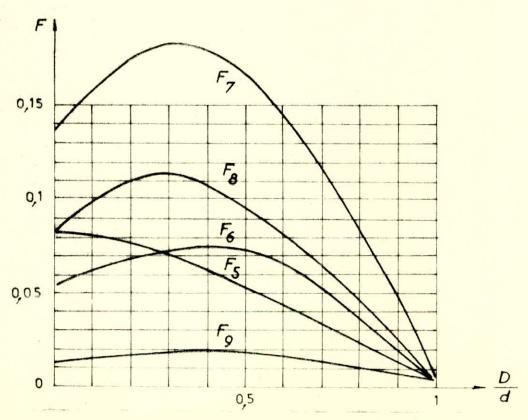


Fig. 2 Coefficient F . Calcul des fléches.

e : épaisseur de la plaque

D : diamètre de la plaque (supposée circulaire)

$$S = L \cdot \ell = \frac{\pi D^2}{4} \rightarrow D = \sqrt{\frac{46}{\pi}} = 408 \text{ mm}$$

d : diamètre du trou = 40 mm

f<sub>2</sub>: charge totale ; = 10<sup>4</sup> daN
supposée appliquée sur le bord du trou A.

$$(1) + e^2 \geqslant \frac{C_7 \cdot 2f_2}{Rp}$$

C7: coefficient donné par le graphique (n°1)

pour 
$$\frac{d}{D} = \frac{40}{408} = 0.11 \rightarrow c_7 = 3.5$$

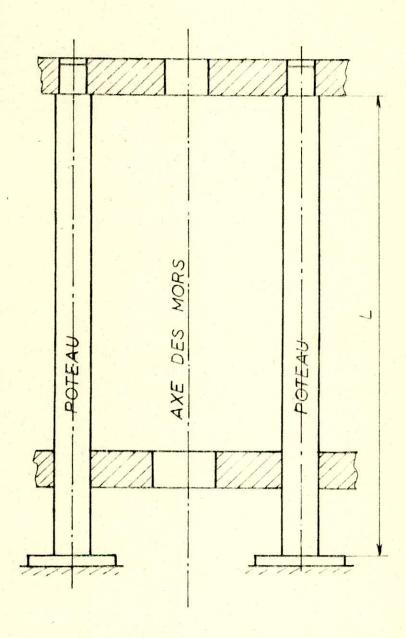
$$+ e > \frac{3.5 \cdot 2.10^4}{7.5} = 93.5$$

# flèche.

$$\mathbf{f}_{\mathbf{A}} = \frac{\mathbf{F}_{7,2\mathbf{f},\mathbf{D}^2}}{\mathbf{E}_{\mathbf{e}^3}}$$

$$f_A = \frac{0.15.2.10^4.(408)^2}{20.000.(96)^3} = 0.04 \text{ mm}$$

#### 4.2. Poteaux.



Nos deux poteaux, donnent une grande rigidité à la machine. Ils supportent le système de mesure porté par la plaque supérieure. (Cette dernière étant fixée sur les deux poteaux) et servent de guidage au mors inférieur.

La longueur des poteaux

L = 1400 mm

# 4.2.1. Calcul de la section des poteaux.

Les poteaux sont soumis au flambage (pièces trés élancées). Prenons un coefficient C = 5 et supposons que l'effort maximum est encaissé par un seul des poteaux.

La relation d'Euler nous donne :

$$F_C = \frac{\pi^2 \cdot E \cdot I}{\sqrt{2}}$$

où  $F_C$ : charge critique dangereuse = C.F = 5.104 daN.

E : coefficient d'élasticité longitudinal = 20 000 daN.

I:moment d'Inertie minimal de la section pour une section circulaire  $I = \frac{\pi d^4}{64}$ 

& Longueur fictive de flambage, les poteaux étant encastrés aux deux extrimités, donc  $\ell = \frac{L}{2} = 700 \text{ mm}$ 

$$F_{C} = \frac{\pi^{2}.E.\pi d^{4}/64}{(\frac{L}{2})^{2}}$$

+ 
$$d^4 = \frac{F_C \cdot (L/2)^2 \cdot 64}{\pi^3 \cdot E}$$

$$d^4 = \frac{5.10^4 \cdot (700)^2 \cdot 64}{\pi^3 \cdot 20 \cdot 000} = 253.10^4$$

$$\rightarrow$$
 d = 39,8 mm on prendra  $d = 50$  mm

4.3. <u>Levier</u>: Le levier travail à la flexion  $\sigma = \frac{M_{f \text{ max}}}{T/V} < Rp.$ 

-Le catalogue des produits sidérurgiques nous donne :
.pour un profilé en UPN de 100 mm : I/V = 41200 mm<sup>3</sup> et
.pour un profilé en UPN de 120 mm : I/V = 60700 mm<sup>3</sup> donc
nous prendrons un UPN de 120 mm, de longueur : 1090 mm.

# 4.3 Bati

Le bâti doit assurer aux organes de la machine les points d'appui nécessaires et la permanence de leurs positions relatives -Permettre les montages, démontages, réglages de mécanismes, ainsi que leur graissage.

-Protéger le personnel contre les évolutions de certains organes mobiles, et les mécanismes contre les poussières et souillures diverses.

Tout en donnant à la machine son allure générale, dont l'aspect extérieur doit être harmonieux et équilibré, le bâti doit être aussi économique que possible.

Il est recommandé de placer la machine d'essais sur un massif.

#### 4.4. Mors

Les mors seront équipés de :

- -machoires pour éprouvettes rondes Ø 6 à 15 mm
- " " " Ø 15 à 25 mm
- -machoires pour éprouvettes plates d'épaisseur 0 à 25mm et de largeur jusqu'à 80 mm
- -une paire de pièces de logement avec un jeu de bagues pour barres filetées M 24 et un jeu de demi-bagues pour barres à épaulements Ø 16.

#### Remarques

#### 1. Encombrement:

Pour réduire l'encombrement général de la machine, nous avons tenu à rassembler en un seul bloc, le système d'essai (mors, éprouvettes...) et le système de mesure (cadran, tombour enregistreur...).

# 2. Caractéristiques Techniques.

Des tableaux indiquant les caractéristiques techniques de la machine, seront fixés sur le bâti.

-Etendues de mesure.

Mesure de la charge :

- 1 ere étendue 0 à 103 daN ; division : 5 daN
- $2^{e}$  étendue 0 à 5.10<sup>3</sup> daN ; division : 12,5 daN
- 3e étendue 0 à 104 day ; division : 25 day.

Mesure de la déformation, par une règle ajustable division de la règle : 0 à 250 mm de 1 mm en 1 mm

-Un tableau indiquant l'emploi des vitesses d'essai.

-Un tableau indiquant l'emploi des masses : A , B et C en fonction de l'effet F de traction .

#### 3. Equipements :

La machine doit-être équipée de divers dispositifs :

Dispositif de maintien en charge constante.

-Régulateur automatique de la vitesse de mise en charge ou en décharge.

Au moment de la rupture, la chute du levier et des poids correspondants est amortie par un ressort placé au dessu du mors supérieur.
--Un compteur horaire.

-Un dispositif de sécurité pour l'arrêt automatique de la machine:

On controle la course du mors inférieur de la machine par deux

contacteurs fin de course, (a) et (b).

.Le contacteur (a), doit arrêter le moteur lorsque le mors inférieur arrive à sa position basse minimal.

.Le contacteur (b), doit arrêter le moteur lorsque le mors inférieur arrive à sa position haute maximale .

#### -Boite de commande :

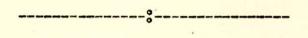
Un boitier de commande renférmant le compteur horaire avec remise à zéro. les boutons de mise en marche avant, arriére et d'arrêt.

<sup>-</sup>La machine peut être équipée aussi d'un extensométre.

#### 4. Cout :

La machine d'essais, en général, ne rentre pas dans la catégorie des machines qui se fabriquent en grande série ce qui explique leur coût élevé.

Dans notre cas, la simplicité de la machine et l'emploi d'éléments normalisés diminue dans de bonnes proportions son prix de revient.



Nous signalons que certaines dimensions données par le calcul ont été modifiée sur le dessin et ceci pour facilité soit le montage soit la conception de certaines piéces.

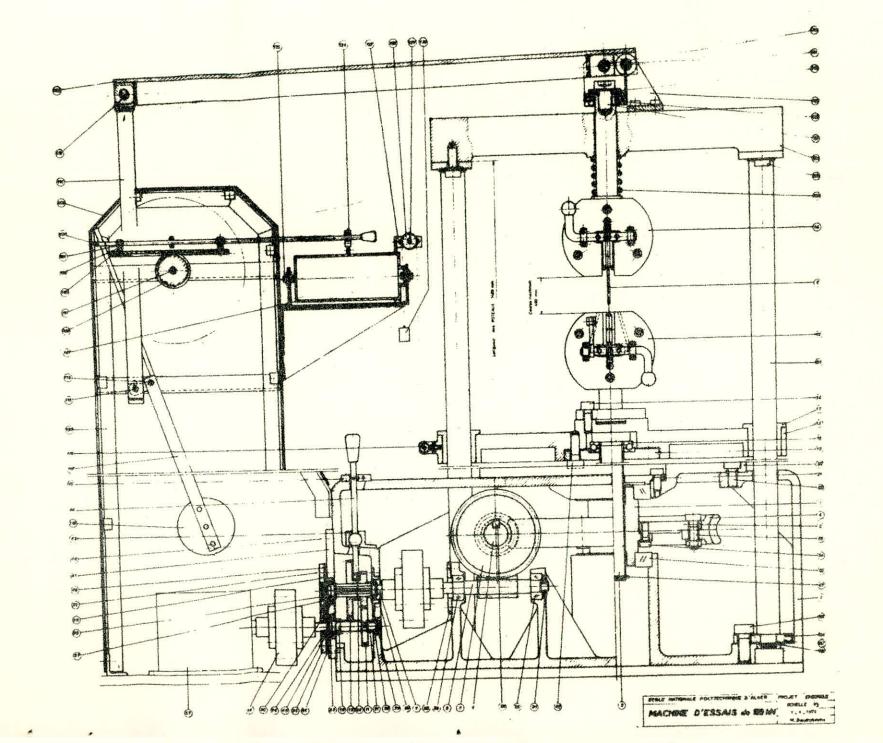
#### Conclusion.

Le lecteur remarquera, dans les calculs des organes, que nous avons essayer de faire ressortir la rigidité de la machine par rapport à celle des éprouvettes à essayer. Et cela par les coefficients de sécurité que nous avons emplyé et qui varient de 8 à 10.

Il est évident, que nous ne prétendons pas présenter ici une nouvelle technique, ou une modernisation de la machine d'essai. Des maisons spécialisées ayant plusieurs années d'expériences dans ce domaine, font sortir aujourd'hui des machines complètement automatisées, à système de mesure hydraulique ou celles des plus récentes à système de mesure électronique.

Nous avons surtout essayé de présenter une machine simplifiée à système de transmission et de mesure mécanique. Bien entendu, nous n'avons fait que dégrossir le problème, vu que nous sommes partis, sans aucune base. La documentation concernant la machine d'essai est innexistante.

Une reprise du problème, pour une étude plus approfondie de la machine est à souhaiter. A cet effet, nous signalons
à titre indicatif, pour ceux qui seraient intéressé de reprendre ce projet de revoir, le mode de commande du mors mobile
(commande avec deux vis, ou lieu d'une seule).



31	I	Entretoise	A 35			
30	I	Roulement à billes n° 60 02		S.K.F		
29	I	Entretoise	A 35			
28	1	Couvercle	A 35			
26	I	Clavette disque		Normal:	isée	
25	2	Roulement à rouleaux coniques n°3230	5	S.K.F		
24	I	Ecrou à encoches		S.K.F		
23	1	Bague porte roulement	A 35			
22	5	Roulement à rouleaux coniques n° 3201	80	S.K.F		
21	1	Chapeau	A 35			
20	I	Couvercle	A 42			
19	I	Couvercle support de la vis de VIS	A 42			
18	1	Bûtée à billes				
17	2	Bague	Bronze			
16	1	Ensemble mors superieur		Normal	isé	
15	Ī	Ensemble mors inférieur		11		
I4	2	Accoupleur RADIAFLEX RI-6 nº611106		PAULS		
13	1	Support du mors inférieur	A 42			
I5	I	Roues III et IV	XC 48 f	T.H.825; R550		
II	Ī	Pignon III	"	H	Ħ	
10	1	Pignon IV		"	11	
9	1	Arbre cannelé (support des roues )	n.	**	11	
8	I	Vis sans fin II	•	-	11	
7	I	Roue II	Bronze			
6	I	Vis sans fin I	XC 48 f	T.H.825; R550		
5	I	Couronne	A 42			
4	I	Roue I	Bronze			
3	I	Ecrou	Cu 90,A1 IO	E825; Rev600°		
2	I	Vis de commande	XC 48 f	T.H.825; R550		
I	I	Corps	Acier coulé		-	
Rap	Мр	DESIGNATION	MATIERE	OBSERVA	ATION	
E	COLE	NATIONALE POLYTECHNIQUE D'ALGER	PROJET DE F	IN D'ET	JDES	
		Nomenclature F/nº I				
	MACHINE D'ESSAIS DE 100 kN		12 - 6 - 1975			
			M. BOUK	ABACHE		

				1	
- 5.3	1 1 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2				
1					
	1				
		1			
57	I	Moteur Puissance : I500 W		ASEA	
56	4	Vis d'assemblage CHc M 18.45			
55	6	Vis d'assemblage CHc M 10 .32			
54	8	Vis d'assemblage CHc M 14.38			
53	8	Boulon d'assemblage CHe M 18 . 56			
52	8	Vis d'assemblage CHc M 18 . 30			
50	Ĭ	Circlips pour \$ 28			
49	2	Circlips d'arrêt pour Ø 20			
48	6	Vis d'assemblage CHc M 18 . 50			
47	I	Circlips d'arrêt			
46	8	Vis d'assemblage CHc M IO . 16			
45	I	Plaque de positionnement	A 35		
44	I	Levier de vitesse	A 35		
43	I	Corps porte rôtule	Bronze		
4I	I	Plaque support	1 42		
40	I	Cage à roulement	1 1 12		
39	I	Couvercle	A 35		
38	I	Ecrou à encoche		S.K.	
37	2	Roulement à billes n° 160 04		S.K.F	
36	I	Joint d'étanchéité		PAULSTRA	
35	I	Couvercle	A 35		
34	Ī	Cage à roulement	A 35		
33	I	Roulement à bille n° 160 04		S.K.F	
32	I	Fourche	Bronze		
Rep	Nb	DESIGNATION	MATIERE	OBSERVATION	
E	COLE	NATIONALE POLYTECHNIQUE D'ALGER	PROJET DE I	FIN D'ETUDES	
			Nomenclature F / n° 2		
		MACHINE D'ESSAIS DE 100 kN	12 - 6 - 1		
			M.BOUKABACHE		

130	I	Masse ( pour la tension du fil )	-		
129	I	Axe de la poulie	A	35	
28	1	Poulie	AU	4G	
[27	I	Support poulie	Tô:	le	
[26	I	Porte plume			
25	2	Vis de pression M 8			
(24	4	Circlips			
23	I	Tôle couvrant le système de mesure			
22	2	Plaquette de liaison	A	35	
ZZI	1	Axe de l'aiguille fixe	AU	4G	
20	I	Cadre en coniere de 30.30			
119	I	Sous ensemble pour la tension du fil			
18	I	Charge ( contre poids : A,B,C )			
117	I	Balancier	A	35	
116	I	Axe mobile	1	`\$6	
115	I	Axe fixe du balancier	56	s s6	
II4	I	Tige de transmission	+	35	
113	Ī	Axe mobile	-	s6	
II2	I	Axe	56	s6	
III	I	Axe fixe	56	s 6	
IIO	I	Plaquette	A	35	
109	I	Support levier	A	42	
108	Ī	Butée	A	42	
107	I	Vis d'assemblage CHc M 28 . 40			
106	I	Ressort			
105	T	Levier	A	35	
104	I	Tige d'enregistrement	AU	J 4G	
103	ī	Crémaillére	AU	J 4G	
102	Ī	Roue	ĀŪ	J 4G	
IOI	I	Tombour enregistreur	AU	J 4G	
Rep	Nb	DESIGNATION	+	ATIERE	OBSERVATIO
E	ECOLE	NATIONALE POLYTECHNIQUE D'ALGER	PRC	JET DE I	FIN D'ETUDES
			1		ure F / 3

MACHINE D'ESSAIS DE 100 kN

M. BOUKABACHR

				1
	100		1,	
1 1		, may 4 1/10 1/10 1/10 1/10 1/10 1/10 1/10 1/		
			1	
			120	
-+				
	+			
			<u> </u>	
				<del> </del>
157	2	Pied de centrage		
156	2	Circlips		
	6	Vis d'assemblage CHc M 24 . 56		Plus rondelle
155 154	2	Plaque support	A 35	- Itas Ionasza
-				
153	4	Vis d'assemblage CHc M 18 . 45	XC 48 f	Recuit 850°
152	I 2	Plaque supérieur	XC 48 f	Recuit 850°
151		Poteaux		
Rep	NP	DESIGNATION	MATIERE	OBSERVATION
	ECOLE	NATIONALE POLYTECHNIQUE D'ALGER	POJET DE FI	D'ETUDES
			Nomenclatur	F · nº 4
		MACHINE D'ESSAIS DE 100 kN		. 1975
				KABACHE

