

وزارة التعليم والبحث العلمي  
MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE

L'ex

## ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

DEPARTEMENT : GENIE CIVIL

### PROJET DE FIN D'ETUDES

SUJET

ÉTUDE - D'UNE - TOUR.

A

USAGE - D'HABITATION

R+8

Proposé par : O.N.L.F

Etudié par :

A. CHELGHOUN  
KEHILA(Y)

Dirigé par :

B. ZEGLACHE



PROMOTION : Juin 84

## CHAPITRE 1

- \* INTRODUCTION
- \* PRESENTATION DE L'OUVRAGE
- \* MATERIAUX UTILISES
- \* DECENTE D'UNE CHARGE

## CHAPITRE 2

- \* ETUDE DYNAMIQUE
  - Introduction
  - Modélisation
  - Méthode utilisée
  - Calcul des déplacements
  - Calcul des périodes

## CHAPITRE 3

- \* ETUDE SISMIQUE

SELON PS 69

SELON RPA 81

## CHAPITRE 4

- \* ETUDE AU VENT
- DETERMINATION DE L'EFFORT DE TRAINEE
  - " " des coefficients de trainée, de majoration de dimension
  - Determination de la pression du vent, de la pression dynamique
  - Determination de la largeur du maître couple
  - Determination de l'effort de portance, vérification

## CHAPITRE 5

- \* ETUDE AU CONTREVENTEMENT
- Introduction , distribution des efforts d'ensemble (méthode de M ALBIGNES et GOULET)
- INERTIE équivalente et application
- Hypothèse et distribution des efforts d'ensemble sur les refends
- Application selon les efforts dus au PS 69
- Application selon les efforts dus au RPA 81

## CHAPITRE 6

- \* ETUDE DES VUILLES
- Introduction
- Sollicitations horizontales
- Refend à une file d'ouverture
- Refend à plusieurs files d'ouvertures
- Application

- Distribution des efforts verticaux sur les refend

CHAPITRE 7

\* FERRAILLAGE DES VOILES

- introduction
- Types d'armatures
- Prescriptions relatives aux ferraillage des éléments de contreventement
- Application selon PS 69
- Application selon RPA 81
- Ferrailage des linteaux (introduction)
- Prescriptions relatives aux ferrailage des linteaux

CHAPITRE 8 \* ETUDE DES ELEMENTS

- Calcul de l'acrotère
- Calcul de l'escalier
- Calcul des paliers
- Calcul des bêquets
- Calcul de la poutre palier
- Calcul de la poutre noyée
- Calcul des planchers (dalles) Etage courant
- Calcul des planchers haut du vide sanitaire

CHAPITRE 9

\* ETUDE DES FONDATIONS

- Introduction
- Calcul des semelles
- Calcul des tassements du sol sous les semelles
- Ferrailage du voile périphérique

CHAPITRE 10

\* ETUDE COMPARATIVE

- Introduction
- Comparaison

**—CHAPITRE 1—**

**—INTRODUCTION—**

- C H A P I T R E -

-oo0oo- I N T R O D U C T I O N -oo0oo-

- 1. PRESENTATION DE L'OUVRAGE 1
- 1.1 CARACTERISTIQUE GEOMETRIQUE
- 1.2 CARACTERISTIQUE DU SOL
- 1.3 MATERIAUX UTILISES
- 2. CONTRAINTES ADMISSIBLES
- 3. DESCENTE DE CHARGE.

## 1/ PRÉSENTATION DE L'OUVRAGE

Le présent projet consiste à étudier les éléments résistant d'un bâtiment pour à usage d'habitation qui sera implanté dans la région de Bouira. Le bâtiment présente une dissymétrie en plan et comporte :

Un vide sanitaire, 1 Rez de Chaussée et 8 étages  
Soit R + 8

Une Cage d'ascenseur

Le R.D.C sera réservé aux locaux de Commerce.

### 1.1 CARACTÉRISTIQUES GÉOMÉTRIQUES OSSATURE :

L'ossature du bâtiment est constituée uniquement de voiles porteurs d'épaisseur 20 cm dans le sens longitudinal et 15 cm dans le sens transversal assurant ainsi le contreventement de la construction dans les deux sens

Distances entre les points extrêmes

sens longitudinal : 30,15 m

sens transversal : 13,34 m

hauteur du bâtiment (y compris l'Acrotère)

$$H_t = 25,70 \text{ m}$$

distance entre deux planchers successifs 2,80 m

### PLANCHERS

Notre bâtiment aura deux types de planchers :

- Le plancher du R.D.C qui sera formé de dalles qui associert du béton coulé sur place à un béton préfabriqué miree sur de grande surfaces reprise pour confectionner des dalles pleines.
- Le plancher de l'Etage courant et de la terrasse sera constituée de dalles pleines d'épaisseur égale à 16 cm.

### CAGE D'ESCALIER ET D'ASCENSEUR;

Elles seront réalisées par des voiles d'épaisseur 20 cm et 15 cm l'escalier sera constitué par deux volées adjacentes préfabriquées appuyées chacune sur les paliers coulés sur place.

### 1.2 CARACTÉRISTIQUES DU SOL

La contrainte admissible du sol est de 2,0 bars à 2,50 m profondeur.

### 1.3 MATERIAUX UTILISES

Le béton armé entrant dans la construction du bâtiment sera conformé aux règles techniques de conception et de calcul des ouvrages en béton armé (C.C.B.A 68), et à tous les réglements applicables en vigueur en Algérie.

La composition de  $1 \text{ m}^3$  de béton sera :

800	litres de gravillons	$D_g \leq 25 \text{ mm}$
400	litres de sable	$D_s \leq 5 \text{ mm}$
350	Kg de ciment	C.P.A 325
175	litres d'eau.	

La préparation du béton sera faite mécaniquement (bétonnière, centrale à béton), le chantier sera doté de matériel nécessaire pour permettre le prélèvement d'échantillons à des fins de contrôle.

L'acier utilisé (doux et à haute adhérence...) doit être propre et débarrassé de toute trace de rouille non adhérente.

### 2. CONTRAINTES ADMISSIBLES :

#### 2.1 BETON :

Ce bâtiment étant à usage d'habitation, on utilisera un béton dosé à 350 Kg/m<sup>3</sup> de ciment CPA 325, avec un contrôle atténué.

Les contraintes admissibles pour les sollicitations du premier genre sont définies aux articles 9 à 12 des règles C.C.B.A 68.

La résistance nominale à 28 jours sera de :

$$\begin{aligned} &\text{à la compression } \sigma_n = 28 = 270 \text{ bars} = 275 \text{ Kgf/cm}^2 \\ &\text{à la traction } \sigma_n = 28 = 7 + 0,06 n = 23,2 \text{ bars} = 23,7 \text{ Kgf/cm}^2 \end{aligned}$$

a - Contrainte de compression admissible (Art. 9.4 C.C.B.A 68)

Cette contrainte est égale à :

$$\sigma_b = f_b \cdot \sigma_{28} \text{ avec } f_b = \alpha \beta \gamma \delta \epsilon$$

$\alpha$  : dépend de la classe du ciment utilisé.

$\alpha = 1$  pour le C.P.A 325

$\beta$  : dépend de l'efficacité du contrôle

$\beta = 5$  pour un contrôle atténué

$\gamma$  : dépend des épaisseurs relatives des éléments et des dimensions des granulats.

$$c_g = 5/15 \rightarrow \gamma = 1$$

$\delta$ : dépend de la nature de la sollicitation

- en compression simple :  $\delta = 0,3$
- en flexion simple :  $\delta = 0,6$
- en flexion composée :

$$\delta = \begin{cases} 0,6 & \text{si l'effort normal est une traction} \\ 0,3 (1 + e_0) & \text{si } \delta < 0,6 \text{ si l'effort} \\ & \text{normal est une compres-} \\ & \text{sion.} \\ 0,6 & \text{si } \delta \geq 0,6 \end{cases}$$

avec :

$e_0$  : excentricité de la résultante des forces extérieures par rapport au centre de gravité du béton seul.

$e_1$  : distance à la limite du noyau central au centre de gravité de la section du béton seul dans le plan radial passant par le centre de pression? Pour les sollicitations du second genre, les valeurs de " $\delta$ " devront être multipliées par 1,5.

$\epsilon$  : dépend de la forme de la section et la position de l'axe neutre (nature de la sollicitation)

$\epsilon = 1$  en compression simple, quelle que soit la forme de la section, et section rectangulaire en flexion simple ou en flexion composée avec traction.

$\epsilon$  = déterminé par la condition que  $F'_b \leq \sigma'_{bo}$   
pour les autres cas.

$F'_b$  : résultante des forces de compression

$B'$  : section du béton comprimée.

$\sigma'_{bo}$  : contrainte admissible en compression simple.

Dans notre cas les valeurs des contraintes sont :

- Contrainte admissible en compression simple

$$\sigma'_{bo} = \alpha \cdot \beta \cdot f \cdot \delta \cdot \epsilon \cdot \sigma'_{28} = 1,5 \cdot 1,0 \cdot 3,1 \cdot 270 = 67,5 \text{ bars}$$

$$\sigma'_{bo} = 67,5 \text{ bars} = 68,5 \text{ Kgf/cm}^2 \text{ (sollicitation du 1er genre)}$$

$$\sigma'_{bo} = 1,5 \cdot 68,5 = 102,7 \text{ kg/cm}^2 \text{ sollicitation du 2ème genre.}$$

- Contrainte admissible en flexion simple ou flexion comparée avec traction en section rectangulaire.

$$\bar{\sigma}_b = \frac{1.5}{6} \cdot 1.06 \cdot 1.270 = 135 \text{ bars} = 137 \text{ kgf/cm}^2 \text{ (sous SP1)}$$
$$\bar{\sigma}_b = 1.5 \cdot 137 = 205,5 \text{ kg/cm}^2 \text{ (sous SP2).}$$

b - Contrainte de traction de référence (Art. 9.5. C.C.B.A68).

$$\bar{\sigma}_b = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \theta \cdot \bar{\sigma}'_n$$

$$\alpha, \beta, \gamma \text{ ont été déjà définis précédemment}$$
$$\theta = 0,018 + \frac{2,1}{28} \text{ avec } 28 \text{ exprimé en bars}$$

$$\theta = 0,018 + \frac{2,1}{28} = 0,0258$$

$$\text{d'où } \bar{\sigma}_b = \frac{1.5}{6} \cdot 1.0258 \cdot 270 = 5,8 \text{ bars}$$

$$\bar{\sigma}_b = 5,8 \text{ bars} = 5,9 \text{ kgf/cm}^2 \text{ (sous SP1)}$$

$$\bar{\sigma}_b = 1.5 \cdot 5,9 = 8,8 \text{ kgf/cm}^2 \text{ sous SP2)$$

## 2 - 2 ACIERS :

On distingue 2 catégories d'acières :

1 Aciers doux (ronds - lisses) :

Fe E 24  $\rightarrow$  limite d'élasticité nominale

$$\bar{\sigma}_{en} = 2400 \text{ kgf/cm}^2$$

### - Contraintes admissibles :

$$\bar{\sigma}_a = \frac{2}{3} 2400 = 1600 \text{ kgf/cm}^2 \text{ (sous SP1)}$$

$$\bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}_{en} = 2400 \text{ kgf/cm}^2 \text{ (sous SP2)}$$

### 2 - Aciers à haute adhérence (H.A) :

Ils sont de nuance FeE 40  $\rightarrow$  limite d'élasticité nominale est : pour  $\phi \leq 20$   $\bar{\sigma}_{en} = 4200 \text{ kgf/cm}^2$

pour  $\phi > 20$   $\bar{\sigma}_{en} = 4000 \text{ kgf/cm}^2$

### - Contrainte admissible :

$$\phi \leq 20 \quad \bar{\sigma}_a = \frac{2}{3} 4200 = 2800 \text{ kgf/cm}^2 \text{ (sous SP1)}$$

$$\bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}_{en} = 4200 \text{ kgf/cm}^2 \text{ (sous SP2)}$$

$$\phi > 20 \quad \bar{\sigma}_a = \frac{2}{3} 4000 = 2667 \text{ kgf/cm}^2 \text{ (sous SP1)}$$

$$\bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}_{en} = 4000 \text{ kgf/cm}^2 \text{ (sous SP2)}$$

- Contraintes de traction imposées par la condition de fissuration (Art. 4.9 C.C.B.A 68).

Pour éviter des fissures inacceptables, la valeur maximal de la contrainte des armatures est limitée à la plus grande des valeurs suivantes :

$$\sigma_1 = K \cdot \frac{\alpha_f}{\phi} \quad \begin{matrix} \text{contrainte de fissuration} \\ \text{systématique} \end{matrix}$$

$$2 = 2,4 \sqrt{\frac{K}{\phi}} \bar{\sigma}_b \quad \begin{matrix} \text{contrainte de fissuration} \\ \text{non systématique ou acci-} \\ \text{dentelle} \end{matrix}$$

avec :

-  $K$  coefficient dépendant des conséquences de la fissuration sur le comportement de l'ouvrage.

$K = 1;5 \cdot 10^6$  fissuration peu nuisible

$K = 1 \cdot 10^6$  fissuration préjudiciable

$K = 0,5 \cdot 10^6$  fissuration très préjudiciable.

-  $\alpha_f$  : coefficient de fissuration

= 1 pour les ronds lisses

= 1,6 pour les aciers à haute adhérence (H.A)

-  $\phi$  : Diamètre de la plus grasse barre tendue, exprimés en mm.

-  $\bar{\sigma}_f$  Pourcentage de fissuration défini par  $\bar{\sigma}_f = \frac{A}{B_f}$

avec  $A$  : section des barres tendues

$B_f$  : section d'enrobage des barres tendues.

-  $\bar{\sigma}_b$  : Contrainte de traction de référence du béton, exprimée en bars.

### Descente de charge

Pour chaque élément porteur ou aura à considérer :

- Son poids propre
- La part des charges et surcharges que lui transmettent les planchers (elle est obtenue par un découpage à partir des lignes de rupture du béton à 45°, on évaluera par la suite les surfaces revenant à chaque réfend).
- La part de cloison reportée sur lui
- Le poids des façades s'il s'agit d'un réfend extérieur
- Les éléments spéciaux : escaliers, gaine de fumée ..etc..)

Le bâtiment étant à usage d'habitation, il y aura lieu de procéder à une dégression des surcharges (la loi de dégression tient compte du fait qu'il est exceptionnel que la totalité des surcharges soit appliquées simultanément sur tous les étages d'un bâtiment.

### Charges et Surcharges :

#### 1. Plancher terrasse :

- Protection gravillon (4 cm)	= 1800 X 0,04	= 72 Kg/M2
- Etanchéité multicouche	= .....	= 20 "
-- Chape en béton (3 cm)	= 2000 X 0,03	= 60 "
- Isolation thermique (4 cm)	= 250 X 0,04	= 10 "
- Barrière de crapeur		= 05 "
- Forme de pente en moyenne (10 cm)	= 2500 X 1	= 250
- planche dalle pleine = (16 cm)	= 2500 X 0,16	= 400
- Enduit en platre (2,5 cm)	= 1400 X 0,015	= 21
		838 KG/M2
	G = 0,838 t/M2	

#### 2. Plancher étage courant :

- Carrelage (2 cm)	= 2200 X 0,02	= 44 KG/M2
- Mortier de pose (2 cm)	= 2000 X 0,02	= 40 KG/M2
- Sable (1 cm)	= 1700 X 0,01	= 17 "
- Dalle en béton armée	= 2500 X 0,16	= 400 "
- Isolation phonique	= 500 X 0,02	= 10 "
- Cloison		= 75 "
- Enduit en platre (1,5 cm)	= 1400 X 0,015	= 21 KG/M2
	G = 607 KG / M2	

#### 3. Rez de chaussée

- Carrelage (2 cm)	= 0,02 X 2200	= 44 KG / M2
- Mortier (2 cm)	= 0,02 X 2200	= 44 " "
- Sable (1 cm)	= 0,01 X 1700	= 17 " "
- Dalle pleine (16 cm)	= 0,16 X 2500	= 400 KG/M2
- Cloisons		= 75 KG/M2
	G = 580 KG/M2	

#### 4. Escalier :

Pontier =

- Carrelage = (2 cm)	= 0,02 X 2200	= 44 KG/M2
- Mortier de pose (2 cm)	= 0,02 X 2000	= 40 KG/M2
- Sable (1 cm)	= 0,01 X 1700	=
- Dalle en béton (16 cm)	= 0,16 X 2500	= 400 KG/M2
- Enduit en platre	= 0,015 X 1400	= 21 " "
	G = 522 KG/M2	

G = 0,522 t/M2 !

- Poids propre de la paillasserie (épaisseur = 20cm)

$$= \frac{0,20 \cdot 2500}{30,94} = 582,95 \text{ Kg/m}^2$$

- Poids des marches ( $h = 20\text{cm}$ )

$$= \frac{0,20 \times 2200}{2} = 220 \text{ Kg/m}^2$$

- Mortier de pose (2cm) =  $0,02 \times 2000 = 40 \text{ Kg/m}^2$

- Revêtement (2cm) =  $0,02 \times 2000 = 40 \text{ Kg/m}^2$

- Gardes corps =  $0,02 \times 2000 = 100 \text{ Kg/m}^2$

- Enduit en plâtre =  $0,02 \times 2000 = 21 \text{ Kg/m}^2$

$$= 1003,95 \text{ Kg/m}^2$$

$$== G = 1003,95 \text{ Kg/m}^2$$

#### Surcharges d'exploitation

Les valeurs des surcharges à admettre dans les bâtiments de même que la loi de dégression des surcharges dans les bâtiments à étage sont définies par les normes N.F.P06.001

- Terrasse Inaccessible	100 Kg/M <sup>2</sup>
- Plancher courant	175 Kg/M <sup>2</sup>
- Plancher R.D.C (boutiques)	400 Kg/M <sup>2</sup>
- Escalier, palier	250 Kg/M <sup>2</sup>
- Balcons, Loggias	350 Kg/M <sup>2</sup>
- Acrotère: Force horizontale	100 Kg/M <sup>2</sup>

#### 5. Calcul du poids propre des gaines :

Ce bâtiment comporte trois types de gaines.

1. gaine pour vidange ordure (V.O)

2: gaine de ventilation

3. gaine de fumée.

du rez de chaussée au 5 ème étage :

Poids propre des gaines par étage :

(fumée) 1° type =  $(0,98 \times 0,37 - 2 \times 0,40 \times 0,25) \times 2,8 \cdot 2,5 = 0,931\text{t}$

(V.O ) 2° type =  $(0,80 \cdot 0,50 - 0,15 \cdot 0,23 \cdot 0,4 \cdot 0,4) \times 2,8 \cdot 2,5 = 1,438\text{t}$

(ventilation) 3° type =  $(1,18 \cdot 0,52 - 2,0 \cdot 0,4 \cdot 0,5) \times 2,8 \cdot 2,5 = 1,415\text{t}$

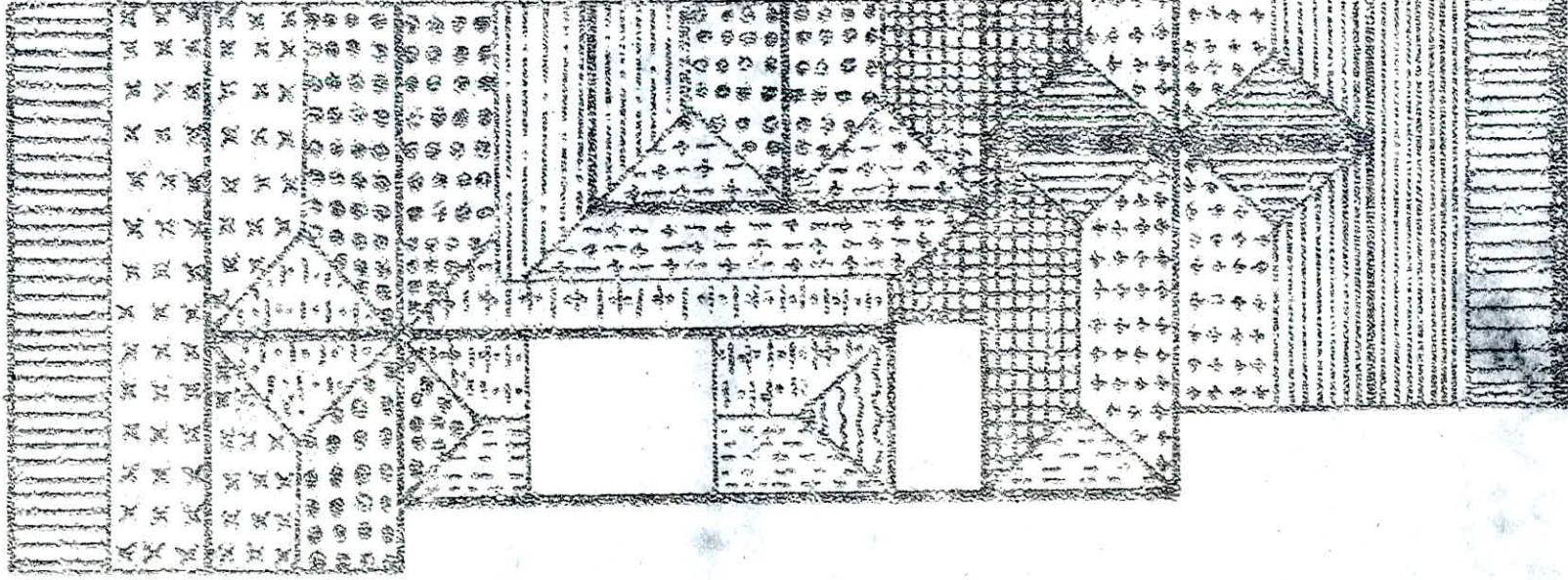
surface revenant à chaque  
voile.

.../...

٦

四百三

三



## SURFACE REVENUANT A CHAQUE VOILE

## VOILES LONGITUDINAUX

VOILES	A	B	C	D
SURFACE STAGE COURANT (m <sup>2</sup> )	5.82	21.193	14.750	12.960
SURFACE TERRADE (m <sup>2</sup> )	14.940	30.318	14.750	12.960

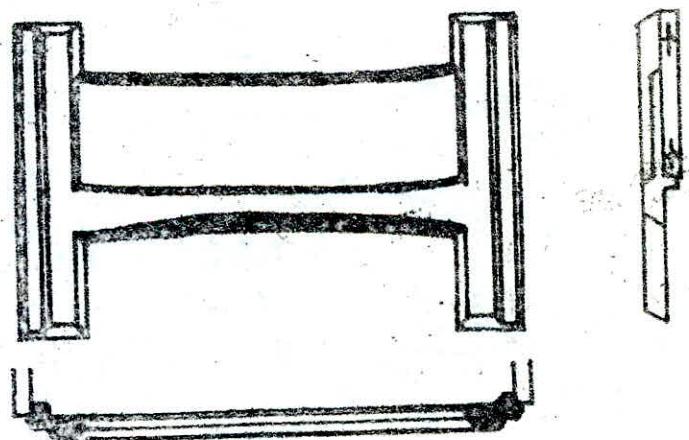
## VOILES TRANSVERSAUX

VOILE	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Surface (m <sup>2</sup> )	18.432	33.264	31.194	63.192	2.350	10.442	12.825	25.116	35.586	19.726

3,74

2,57

2,57



DETAIL DU SAILLE CORPS STAGE COURANT

- Poids des façades au niveau de l'étage courant :

Les façades sont calculés par étage courant et sont constantes en briques creuse avec enduit dans les deux faces.

(15 / ) brique de 15.

brique creuse :  $1,4 \times 0,15 = 0,21 \text{ t} / \text{m}^2$

enduit en platre :  $0,021 \times 2 = 0,042 \text{ /m}^2$

$$\underline{\underline{G}} = 0,25 \text{ t / m}^2$$

$$F_3 = F_4 = F_8 = 3,60 \times 2,80 - 1,80 \times 2,17) 0,25 = 1,543 \text{ T.}$$

$$F_2 = F_9 = F_{10} = (3,60 \times 2,80 - 1,80 \times 2,17) 0,25 \\ = 1,543 \text{ t.}$$

$$F_1 = F_6 = F_5 = F_7$$

$$(3,60 \times 2,8 - 1,20 \times 1,30) 0,25 = \underline{\underline{2,13 \text{ t}}}$$

- Gardes corps :

Poids du garde corps :

$$(0,49 0,28 - 0,02744) 2,36 \times 0,16 \times 2,5 \times 2 \\ = 0,253 \text{ t.}$$

Poids des Panneaux

$$2,75 \times 1,30 \times 0,16 \times 2,5 = 1,43 \text{ t.}$$

$$\underline{\underline{G}} = 1,43 + 0,253 = 1,683 \text{ t.}$$

- Gardes corps métalliques :

G.C métallique type 1 :

Aciers  $7,85 \text{ t/m}^3$

10 barres de  $\emptyset 20 / \text{m}^2$

$$2 \times 0,03 \times 7,85 \text{ t/m}^3 = 0,044 \text{ t/m}^2$$

$$0,012 \times 100 \cdot 7,85 \times 0,70 = 0,0172 \text{ t / m}^2$$

$$G = 0,062 \text{ t / m}^2$$

.../...

- Dalle Local machineerie d'ascenseur :

$$0,1 \times 2,500 = 0,25 \text{ t /mL.}$$

Dalle d'ascenseur :

$$0,16 \times 2,6 = 0,4 \text{ t /m}^2.$$

$$0,15 \cdot 2,5 \times 3 \times 2,4 = 2,7 \text{ t.}$$

- Voile b = Voile d :

$$0,15 \times 2,5 \times 3,6 \times 2,4 = 3,24 \text{ t.}$$

Poids propre des éléments

A- Plancher terrasse

Voile A :

$$\text{Acrotère : } 14,4 \times 0,19 = 2,736 \text{ t}$$

$$\text{Plancher terrasse : } 14,94 \times 0,838 = 12,519 \text{ t}$$

$$\text{Machinerie ascenseur : } 4,65 + \frac{3,26}{2} * 6,28 \text{ t}$$

$$\underline{\underline{21,536 \text{ t}}}$$

Voile B :

$$\text{Plancher terrasse : } 30,318 \times 0,838 = 25,406 \text{ t}$$

$$\text{Machinerie ascenseur : } 4,65 + \frac{3,26}{2} = 6,28 \text{ t}$$

$$\underline{\underline{31,686 \text{ t}}}$$

Voile C :

$$\text{Plancher terrasse : } 14,75 \times 0,838 = 12,36 \text{ t}$$

Voile D :

$$\text{Plancher terrasse : } 12,96 \times 0,838 = 10,86 \text{ t}$$

Voile 1 :

$$\text{Acrotère : } 10,24 + 2 (1,80) 0,19 = 2,629 \text{ t}$$

$$\text{Plancher : } 18,432 \times 0,838 = 15,446 \text{ t}$$

$$\underline{\underline{18,075 \text{ t}}}$$

- Voile 2 :

Acrotère :  $(4 \times 1,8) \times 0,19$  = 1,368  
Plancher terrasse :  $33,264 \cdot 0,838$  = 27,875  

---

29,243 t.

- Voile 3 :

Acrotère :  $(3 \cdot 1,80 + 1,7) \cdot 0,19$  = 1,349  
Plancher :  $31,104 \cdot 0,838$  = 26,065  

---

27,414 t.

- Voile 4 :

Acrotère :  $(2 \times 1,8 + 2,48) \cdot 0,19$  = 1,155  
Plancher :  $24,192 \cdot 0,838$  = 20,272  
Machinerie d'ascenseur : 4,16  

---

25,588 t.

- Voile 5 :

Plancher :  $2,25 \cdot 0,838$  = 1,885 t.

- Voile 6 :

Acrotère :  $2 \times 1,8 \cdot 0,19$  = 0,684.  
Plancher :  $10,44 \times 0,838$  = 8,748  

---

9,433 t.

- Voile 7 :

Acrotère :  $2 \times 1,8 \times 0,19$  = 0,684  
Plancher :  $12,885 \times 0,838$  = 10,798  

---

11,482 t.

- Voile 8 :

Acrotère :  $(3 \times 1,8 + 1,25) \cdot 0,19$  = 1,263  
Plancher :  $28,116 \cdot 0,838$  = 23,561  

---

24,824 t.

- Voile 9 :

Acrotère :  $4 \times 1,80 \times 0,19$  = 1,368  
Plancher :  $35,856 \times 0,838$  = 30,047  

---

31,415 t.

Volée 10 :

Aérotère :	(10,96 + 2,1,80 )	0,19 = 2,76
Plancher :	19,728 X 0,838	= 16,298
		<u>19,298 t</u>

B. Plancher étage courant :

Volée A :

Poids propre du volée	= 17,58 t
Plancher étage courant : 5,82X0,607	= 3,532
Volée : (1,89.1,24 + 4,26 ) 1.003	= 6,623
Pallier : (1,5 . 1,54 + 4,26) 0,522	= 3,429
	<u>31,165 t.</u>

Volée B :

P.Propre	= 10,626 t
Plancher e;courant : 21.198.0.607	= 12,867 t
Volée : 1,89.1,24 + 4,26)1.003	= 6,623 t
Pallier (1.5 X 1.54 + 4,26) 0.522	= 3,429 t
	<u>33,545 t</u>

Volée C :

P.propre	= 10,29
Plancher 14,75 . 0,607	= 8,953
Gaine type 183 0,931 + 1,495	= 2,990
	<u>21,669 t.</u>

Volée D :

Poids propre	= 7,903
Plancher e.courant : 12,96X0,607	= 7,866
	<u>15,769 t.</u>

Volée 1 :

Poids propre	= 10,752
Plancher 10,432 X 0,607	= 11,188
Façades (1,21.2.13 + 1,543)	= 1,836
Garde corps 1,683	= 0,841

Volte 2 :

Poids propre du volte	= 9,278
Façades (2,3) : $\frac{1,543}{2} + \frac{1,543}{2}$	= 20,191
Garde corps	= 1,543
	<u>32,695 t.</u>

Volte 3 :

Poids propre du volte	= 9,133
Plancher	= 18,880
Façades (4,3)	= 1,543
Garde cc métallique 0,062 X 1,40	= 0,0868
Garde c. préfabriqué	= 1,683
	<u>31,326 t.</u>

Volte 4 :

Poids propre du volte	= 9,586
Plancher : 24,192 X 0,607	= 14,684
Façades (4,5) $\frac{1,543}{2} + \frac{2,13}{2}$	= 1,836
Panneaux (G.C) : $\frac{1,683}{2}$	= 0,841
	<u>26,930 t.</u>

Volte 5 :

Poids propre du volte	= 3,15
Pâlier 2,25 . 0,522	= 1,174
Volée 2,25 . 1,003	= 2,256
	<u>6,581 t.</u>

Volte 6 :

Poids propre du volte	= 4,11
Plancher 10,44 X 0,607	= 6,337
Façades (5,6) $\frac{1,543}{2} + \frac{2,13}{2}$	= 1,836
	<u>12,283 t.</u>

- Volle 7 :

Poids propre du voile	= 1,995
Façade $\frac{2,13}{2} + \frac{2,13}{2}$	= 2,13
Plancher 12,825. 0,607	= 7,784
Gaine (type 2)	= 1,438
	<u>13,347 t.</u>

- Volle 8 :

Poids propre du voile	= 7,077
Plancher 28,116 X 0,607	= 17,066
Façades (7,8) $\frac{2,13}{2} + 1,43$	= 1,836
G. corps préfabriqué 1,683	= 1,683
	<u>27,662 t.</u>

- Volle 9 :

Poids propre du voile	= 9,045
Plancher	= 21,764
Façades (8,9,10) $\frac{2}{2}$	= 2,314
G. corps	= 3,366
	<u>36,469 t.</u>

- Volle 10 :

Poids propre	= 11,508
Plancher	= 11,974
Façade (8,9,10) $\frac{10}{2}$	= 1,543
Garde corps	= 1,683
	<u>26,708 t.</u>

- Plancher R.D.C :

Voile A :

Poids propre du voile	= 17,58
Plancher 5.82 . 0,580	= 5,846
Volée (1.89 X 1,24 + 4,26) 1,003	= 6,623
Pallier (1,5 + 1,54 + 4,26 ) 0,522	= 3,429
	<hr/> 31,008 t.

Voile B :

Poids propre du voile	= 10,626
Plancher 21,198 . 0,580	= 12,289
Volée (1,89 X 1,24 + 4,26) 1,003	= 6,623
Pallier (1,5 X 1,35 + 4,26 ) 0,522	= 3,429
	<hr/> 32.967 t.

Voile C :

Poids propre	= 10,08
Plancher 14,75 . 0,580	= 8,555
	<hr/> 18,635 t.

Voile D :

Poids propre	= 7,903
Plancher 12,96 . 0,580	= 7,516
	<hr/> 15,419 t.

Voile 1 :

Poids propre	= 10,752
Plancher 18,432 . 0,580	= 10,690
	<hr/> 21,442 t.

Voile 2 :

Poids propre	= 9,278
Plancher	= 19,293
	<hr/> 28,571 t.

Volée 3 :

Poids propre	= 9,133	
Plancher	$31,104 \times 0,580$	= 18,04
		<hr/>
		21,858 t.

Volée 4 :

Poids propre	= 9,568	
Plancher	$24,192 \times 0,580$	= 14,034
		<hr/>
		23,599 t.

Volée 5 :

Poids propre	= 3,15
Volée	= 1,174
Pallier	= 2,256
	<hr/>
	6,581 t.

Volée 6 :

Poids propre	= 4,11	
Plancher	$10,44 \times 0,580$	= 6,055
	<hr/>	
		10,165 t.

Volée 7 :

Poids propre	= 1,995	
Plancher	$12,825 \times 0,580$	= 7,438
	<hr/>	
		9,433 t.

Volée 8 :

Poids propre	= 7,077	
Plancher	$28,116 \times 0,580$	= 16,307
	<hr/>	
		23,384 t.

Volée 9 :

Poids propre	= 9,045	
Plancher	$35,856 \times 0,580$	= 20,796
	<hr/>	
		29,841 t.

Volte 10 :

Poids propre	= 11,508
Plancher	= 19,728 + 0,580
	<u>= 11,442</u>
	<u>22,95 t.</u>

- Surcharges d'Exploitation :

Comme notre bâtiment est à usage d'habitation, il est rare que toutes les surcharges agissent simultanément, on applique alors pour leur détermination la loi de dégression, cette loi consiste à réduire les surcharges identiques ou non à chaque étage de 10% par étage jusqu'à 0,5 t sauf pour le dernier et avant dernier étage.

Niveau : Terrasse	= 100 Kg/m <sup>2</sup>
8	= 175 Kg/m <sup>2</sup>
7	= 175.0,9
6	= 175.0,8
5	= 175.0,7
4	= 175.0,6
3	= 175.0,5
2	= 175.0,5
1	= 175.0,5
R.D.C	400 " "

WILSON

LAWRENCE HALL

LEVEL		T error degradation				T <sup>-1</sup> error degradation			
TIME		A	B	C	D	A	B	C	D
Y	Z								
7	1.404	3.031	1.473	1.031		1.034	3.031	1.473	1.036
8	1.300	3.179	1.381	1.050		1.018	3.179	1.381	1.050
7	0.914	3.338	2.383	2.041		1.018	3.709	2.381	2.040
6	0.814	2.987	2.003	1.014		1.018	3.709	2.381	2.040
5	0.713	2.996	1.906	1.087		1.018	3.709	2.381	2.040
4	0.611	2.225	1.500	1.350		1.018	3.709	2.381	2.040
3	0.309	1.834	1.350	1.134		1.018	3.709	2.381	2.040
2	0.309	1.834	1.350	1.134		1.018	3.709	2.381	2.040
1	0.309	1.834	1.350	1.134		1.018	3.709	2.381	2.040
END	2.318	0.679	2.30	5.184		2.318	0.679	2.30	5.184

VOILES TRANSVERSAUX ————— P avec dégression

Nombre Voiles	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
7	1.8432	3.3264	3.1104	2.4196	0.225	1.044	1.2825	2.8116	3.3856	1.5728
8	1.825	3.32	3.443	4.233	0.393	1.827	2.244	4.920	6.274	3.452
9	2.903	3.239	4.898	3.049	0.354	1.644	2.019	4.428	3.647	3.107
6	2.520	4.0262	4.354	3.326	0.315	1.461	1.795	3.936	5.020	2.761
5	2.8579	4.074	3.010	2.963	0.275	1.276	1.571	3.444	4.392	2.416
4	1.035	3.492	3.265	2.340	0.236	1.096	1.396	2.932	3.765	2.071
3	1.6128	2.9106	2.725	2.116	0.196	0.913	1.122	2.460	3.137	1.726
2	1.6128	2.9106	2.721	2.116	0.196	0.913	1.122	2.460	3.137	1.726
1	1.6128	2.9106	2.74	2.116	0.196	0.913	1.122	2.460	3.137	1.726
R.D.C	7.372	13.225	12.441	9.676	0.9	4.976	5.13	11.248	14.342	7.871

## VOLUME TRANSVERSAUX

P sans degresion

Volumes Toiles	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
7	1.8432	3.3264	3.1104	2.4292	0.325	1.044	1.2023	2.8116	3.5856	1.9728
8	3.225	5.82	3.443	4.233	0.393	1.827	2.244	4.920	6.274	3.452
7	3.225	5.82	3.443	4.233	0.393	1.827	2.244	4.920	6.274	3.452
6	3.225	5.82	3.443	4.233	0.393	1.827	2.244	4.920	6.274	3.452
5	3.225	5.82	3.443	4.233	0.393	1.827	2.244	4.920	6.274	3.452
4	3.225	5.82	3.443	4.233	0.393	1.827	2.244	4.920	6.274	3.452
3	3.225	5.82	3.443	4.233	0.393	1.827	2.244	4.920	6.274	3.452
2	3.225	5.82	3.443	4.233	0.393	1.827	2.244	4.920	6.274	3.452
1	3.225	5.82	3.443	4.233	0.393	1.827	2.244	4.920	6.274	3.452
R.D.C	7.372	13.305	12.441	9.676	0.9	4.176	5.13	11.246	14.322	7.891

EFFORTS TOUAUX SUR LES  
VOIES LONGITIDUAUX

N° ROUTE	CANTON	A		B	
		0	1.2 P	0	1.2 P
ROUTE 1	0	21.934	31.666	18.369	16.860
	1.2 P	1.072	3.637	1.77	1.955
ROUTE 2	0	31.165	33.345	21.669	15.769
	1.2 P	0.893	4.45	1.67	2.725
ROUTE 3	0	31.165	33.345	21.669	15.769
	1.2 P	1.079	4.093	2.767	2.449
ROUTE 4	0	31.165	33.345	21.669	15.769
	1.2 P	0.976	3.96	2.476	2.173
ROUTE 5	0	31.165	33.345	21.669	15.769
	1.2 P	0.893	3.115	2.167	1.984
ROUTE 6	0	31.165	33.345	21.669	15.769
	1.2 P	0.733	2.67	1.857	1.629
ROUTE 7	0	31.165	33.345	21.669	15.769
	1.2 P	0.61	2.224	1.548	1.369
ROUTE 8	0	31.165	33.345	21.669	15.769
	1.2 P	0.61	2.224	1.548	1.369
ROUTE 9	0	31.000	32.897	18.635	15.419
	1.2 P	0.773	16.174	7.88	6.22
	$\Sigma$	312.16	371.834	253.287	175.153

NIVEAU DE LARMES		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
T	0	18.075	22.843	27.414	23.388	1.685	9.433	11.482	21.824	31.615	19.298
	1.2 P	2.211	3.984	3.732	2.902	0.27	1.252	1.539	3.373	4.302	2.367
6	0	24.617	32.695	31.326	26.930	6.581	12.283	13.347	27.662	36.489	26.708
	1.2 P	3.87	6.984	6.331	5.079	0.471	2.192	2.692	5.904	7.528	4.142
7	0	24.617	32.695	31.326	26.930	6.581	12.283	13.347	27.662	36.489	26.708
	1.2 P	3.483	6.286	5.877	4.572	0.424	1.972	2.421	5.313	6.776	3.728
6	0	24.617	32.695	31.326	26.930	6.581	12.283	13.347	27.662	36.489	26.708
	1.2 P	3.096	3.587	3.224	4.063	0.378	1.753	2.154	4.723	6.024	3.313
5	0	24.617	32.695	31.326	26.930	6.581	12.283	13.347	27.662	36.489	26.708
	1.2 P	2.706	4.888	4.572	3.555	0.33	1.533	1.885	4.132	5.27	2.099
4	0	24.617	32.695	31.326	26.930	6.581	12.283	13.347	27.662	36.489	26.708
	1.2 P	2.322	4.190	3.918	3.048	0.283	1.315	1.615	3.542	4.518	2.485
3	0	24.617	32.695	31.326	26.930	6.581	12.283	13.347	27.662	36.489	26.708
	1.2 P	1.934	3.492	3.265	2.539	0.235	1.095	1.346	2.952	3.764	2.071
2	0	24.617	32.695	31.326	26.930	6.581	12.283	13.347	27.662	36.489	26.708
	1.2 P	1.934	3.492	3.265	2.5339	0.235	1.095	1.346	2.952	3.764	2.071
1	0	24.617	32.695	31.326	26.930	6.581	12.283	13.347	27.662	36.489	26.708
	1.2 P	1.934	3.492	3.265	2.539	0.235	1.095	1.346	2.952	3.764	2.071
EDG	0	21.442	28.571	22.858	23.599	6.581	10.165	9.433	27.662	29.841	22.95
	1.2 P	8.846	15.966	14.929	11.611	1.08	5.011	6.156	13.495	17.21	9.000
		258.791	377.735	355.458	307.074	65.055	136.175	150.192	318.842	416.098	290.528

PÈDES TOTAL DU BÂTIMENT

VOILE	GT 1.2P (t)
A	313.16
B	371.296
C	230.227
D	175.153
1	268.791
2	377.735
3	355.458
4	307.074
5	65.055
6	136.175
7	150.192
8	318.842
9	416.098
10	290.528
$\Sigma$	3775.784

## —CHAPITRE 2—

**— ETUDE —  
— D'UNIMIQUE —**

## - ETUDE DYNAMIQUE -

### Introduction :

L'étude dynamique d'une structure est en général nécessaire lorsque cette structure présente un élancement important, ou une dimension en plan importante.

Lors de l'étude d'une structure il est indispensable de connaître les vibrations naturelles de celle-ci. Dans le cas de vibrations libres on ne se préoccupe pas des causes ayant entraîné la structure lors de sa position d'équilibre, mais d'examiner le comportement de celle-ci une fois qu'elle est livrée à elle-même, c'est à dire la réponse du système à toute excitation extérieure.

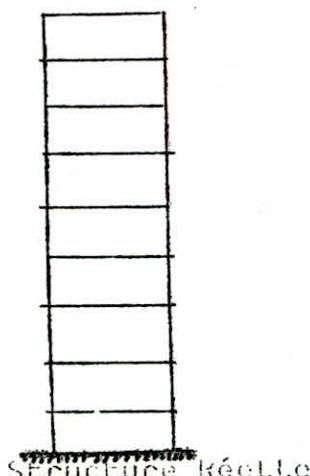
L'étude ne peut être faite directement sur la structure telle qu'elle se présente avec une distribution complexe de masses, distribution qui peut-être représentée sous forme analytique exacte.

Pour cela il faut la modéliser et choisir un support convenable pour les calculs, tout en restant proche de la répartition des masses permettant d'importantes simplifications de calcul.

### Modélisation :

La modélisation de la structure sera représentée par une console flexible rigidement encastrée à la base où les masses sont supposées concentrées d'une manière ponctuelle au niveau des planchers. Chacun des planchers sera considéré comme un ensemble rigide et ne constituera par conséquent qu'un seul degré de liberté, du fait que ses déformations sont très petites devant celle de l'ensemble du bâtiment.

Le nombre total de degrés de liberté sera donc égal à celui des planchers c'est-à-dire = 09 (Neuf)



## METHODES UTILISEES

Les méthodes utilisées sont

- Méthodes approximatives
- Méthodes exactes

### Méthodes approximatives :

Les méthodes approximatives permettent de trouver rapidement et avec une précision satisfaisante les caractéristiques dynamiques de la structure. Ces méthodes permettent de calculer les différentes modes et les pulsations propres par une série d'opérations itératives à partir d'une forme du mode choisie arbitrairement. Les méthodes les plus connues sont :

- Méthode de RAYLEIGH
- Méthode de VIANELLO-STODOLA.

#### a) Méthode de RAYLEIGH :

Cette méthode est basée sur le principe de conservation de l'énergie, pour cette raison elle n'est applicable qu'en système conservatif.

Mais compte-tenu de l'influence négligeable de l'amortissement sur les valeurs des formes des pulsations propres, elle peut être utilisée pour le calcul des caractéristiques dynamiques des structures réelles.

#### b) Méthode de VIANELLO-STODOLA :

Cette méthode repose sur les observations suivantes :

- 1) Pour un système oscillatoire à "n" masses concentrées (ou pour un système à masses réparties), les ordonnées de la ligne élastique qui correspondent au mode "J" sont proportionnelles aux forces d'inertie des masses dans le mode considéré.
- 2) Le travail des forces d'inertie correspondent à un mode de vibration quelconque avec les déplacements d'un autre mode est nul.

La méthode de VIANELLO-STODOLA permet de calculer le mode fondamental (pulsation propre et déformée), ainsi que successivement les modes supérieurs en utilisant un procédé d'élimination dont la convergence est malheureusement assez lente.

- CAS D'UN BATIMENT :

La structure étant représentée par une consôle encastrée à sa base nous aurons :

1er cas : la section i est à gauche de la section j.

$$\text{Diagram: A horizontal beam segment with two sections labeled } x_i \text{ and } x_j. \text{ A downward force } P=1 \text{ is applied at the left end. A displacement } \delta_{ij} \text{ is shown at the right end.}$$

$$i \leq j : \delta_{ij} = \frac{1}{EI} \frac{x_i^2}{2} (x_j - \frac{1}{3} x_i)$$

2eme cas: la section j est à gauche de la section i.

$$\text{Diagram: A horizontal beam segment with two sections labeled } x_j \text{ and } x_i. \text{ A downward force } P=1 \text{ is applied at the left end. A displacement } \delta_{ij} \text{ is shown at the left end.}$$

$$j < i \quad \delta_{ij} = \frac{1}{EI} \frac{x_j^2}{2} (x_i - \frac{1}{3} x_j)$$

Remarque :

En vertu du théorème de Maxwell - Betti

$$\delta_{ij} = \delta_{ji}$$

Calcul des périodes et recherche des modes :

Hypothèses de calcul :

Il n'a pas tenu compte de :

- L'interaction sol-structure c'est à dire la déformation de la semelle au niveau du sol.
- La translation au niveau de la base.

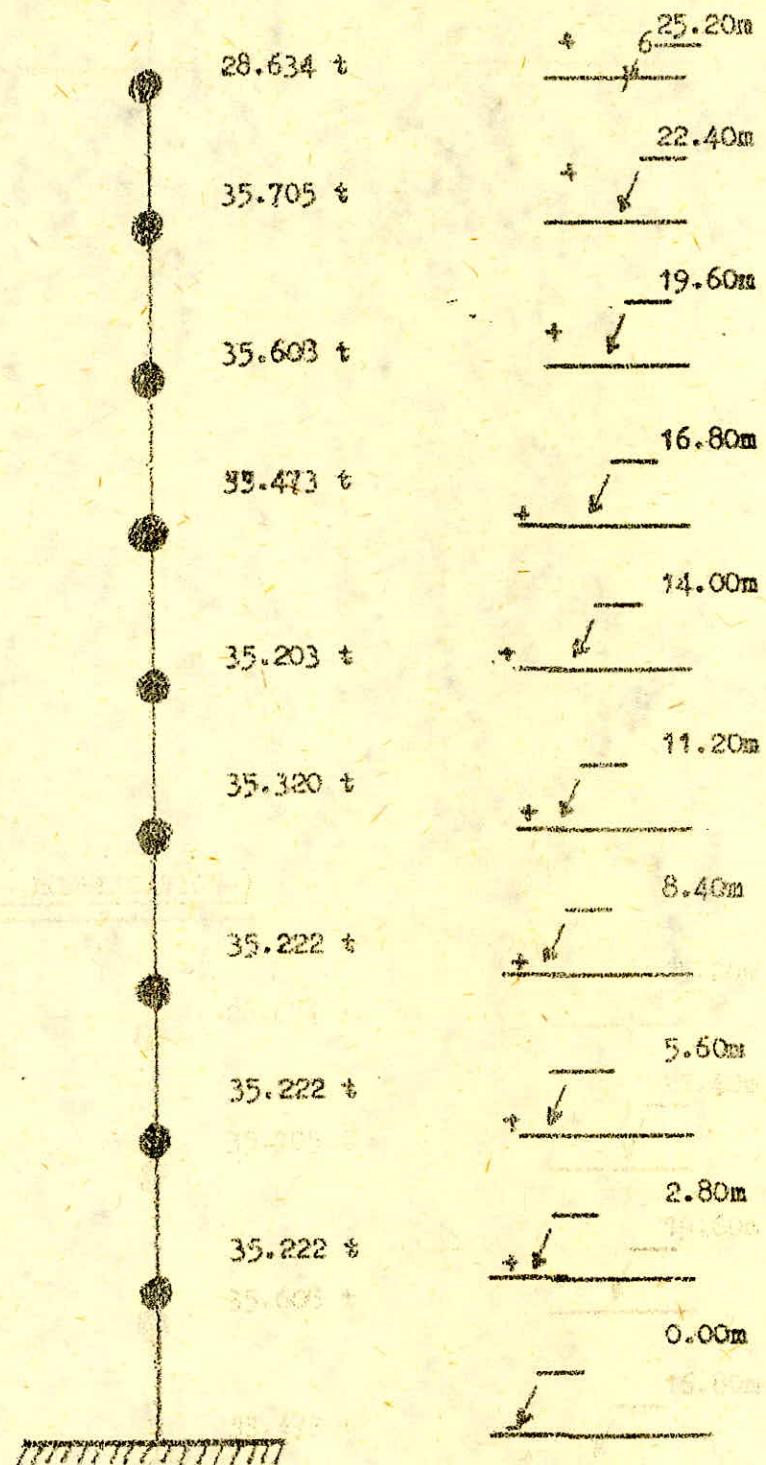
POIDS DES PLANCHERS SOUS: G + 1.2 P

Voile ↓	A	B	C	D	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	$\Sigma$
T	23.32	35.32	14.13	12.41	20.28	33.22	31.14	28.49	2.15	10.68	13.02	28.19	35.71	21.66	309.78
8	32.38	37.99	24.76	18.49	28.87	39.67	37.85	32.00	7.05	14.47	16.03	33.55	44.01	30.85	397.65
7	32.26	37.55	24.45	18.21	28.10	38.98	37.20	31.50	7.00	14.25	15.76	32.97	43.26	30.43	391.97
6	32.14	37.10	24.14	17.94	27.71	38.28	36.55	30.99	6.95	14.03	15.50	32.38	42.51	29.83	386.10
5	32.02	36.66	23.83	17.67	27.32	37.58	35.89	30.48	6.91	13.81	15.23	31.79	41.75	29.60	380.59
4	31.89	36.21	23.52	17.38	26.93	36.88	35.24	29.46	6.86	13.59	14.96	31.20	41.00	29.19	374.38
3	31.77	35.76	23.21	17.12	26.55	36.18	34.59	29.46	6.81	13.37	14.69	30.61	40.25	28.77	369.22
2	31.77	35.76	23.21	17.12	26.55	36.18	34.59	29.46	6.81	13.37	14.69	30.61	40.25	28.77	369.22
1	31.77	35.76	23.21	17.12	26.55	36.18	34.59	29.46	6.81	13.37	14.69	30.61	40.25	28.77	369.22
RDC	33.80	43.14	25.71	21.63	30.28	44.53	37.78	35.21	7.66	15.17	15.58	36.87	47.05	32.11	426.59

MASSES SOUMISES A L'ACTION SISMIQUE

NIVEAU	$M = G + P/5$ (t)	MASSES $Q = M/5$ (t)
09	280.897	28.634
08	350.266	35.705
07	349.318	35.608
06	328.369	33.473
05	345.345	35.203
04	346.516	35.320
03	345.525	35.222
02	345.525	35.222
01	345.525	35.222

(-- MODELLISATION --)



### - METHODE DE RAYLEIGH

Cette méthode sera utilisée pour la détermination du 1er mode seulement, son utilisation pour les modes supérieures étant laborieuse

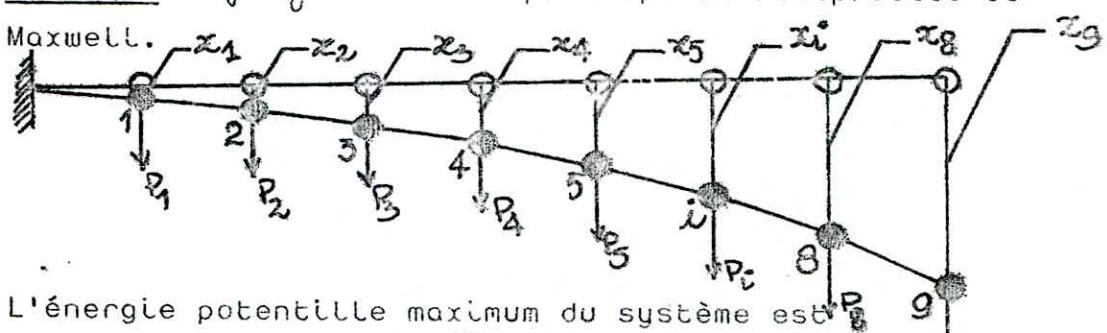
#### Méthode de la déformation statique :

On imagine la structure retournée de  $90^\circ$  dans le champ de pesanteur, celle-ci étant sollicitée par les forces  $P_i = m_i g$  agissant dans la direction du degré de liberté et soient  $x_1, x_2, \dots, x_8, x_9$  les déplacements statiques produits par le système de forces  $P_i$  appliquées dans la section  $h = h_i$ .

$$\text{avec : } x_i^* = \sum_{j=1}^9 P_j \delta_{ij}$$

$\delta_{ij}$  = déplacement du point  $i$  dans le sens de la déformation recherchée, déplacement dû à la force  $P_j = 1t$ .

Remarque :  $\delta_{ij} = \delta_{ji}$  selon le principe de réciprocité de Maxwell.



L'énergie potentielle maximum du système est :

$$W_P^{\max} = \frac{1}{2} \sum_{j=1}^9 P_j x_j^*$$

L'énergie cinétique maximum du système est :

$$W_C^{\max} = \frac{1}{2} \frac{\omega^2}{g} \sum_{j=1}^9 P_j x_j^{*2}$$

Le principe de conservation de l'énergie permet d'écrire :

$$W_P^{\max} = W_C^{\max}$$

.../...

$$\text{C'est à dire : } \frac{1}{2} \sum_{j=1}^g p_j x_j = \frac{1}{2} \frac{\omega^2}{g} \sum_{j=1}^g p_j x_j^2$$

$$\text{où : } \omega = \sqrt{\frac{g \sum_{j=1}^g p_j x_j}{\sum_{j=1}^g p_j x_j^2}} \Rightarrow T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^g p_j x_j^2}{g \sum_{j=1}^g p_j x_j}}$$

Déplacements unitaires  $\delta_{ij}$  : unités [cm/t].  $10^{-5}$

Le calcul des  $\delta_{ij}$  peut se faire à l'aide des méthodes générales de la statique des structures (Mohr-Maxwell, Vérecheguine etc....)

Calcul des déplacements :

Vibration suivant y.y - (Rotation autour de x.x)

$$\delta_{ij} = \frac{1}{EI} \frac{x_i^2}{2} \left( x_i - \frac{1}{3} x_j \right).$$

$$x_i = \sum p_i \delta_{ij} \quad \delta_{ij} [\text{cm/t}] 10^{-5}$$

$$I_e^{yy} = 64,564 \text{ m}^4$$

CHARGE DE 1(t) APPLIQUEE AU NOEUD 1

11	12	13	14	15	16	17	18	19
0.535	1.349	2.158	2.967	3.772	4.581	5.396	6.199	7.008

CHARGE DE (t) APPLIQUEE AU NOEUD 2

21	22	23	24	25	26	27	28	29
1.349	4.307	7.554	10.791	14.027	17.263	20.500	23.736	26.982

CHARGE DE (t) APPLIQUEE AU NOEUD 3

31	32	33	34	35	36	37	38	39
2.158	7.554	14.560	21.855	29.137	36.419	43.711	50.990	58.28

CHARGE DE (t) APPLIQUEE AU NOEUD 4

41	42	43	44	45	46	47	48	49
2.967	10.791	21.85	34.538	47.483	60.439	73.395	86.349	99.29

CHARGE DE (t) APPLIQUEE AU NOEUD 5

51	52	53	54	55	56	57	58	59
3.772	14.	29.137	47.483	67.458	87.696	107.93	128.17	148.40

ETUDE DYNAMIQUE (§ 2)

Charge d'une tonne appliquée au noeud 6

$\delta_{61}$	$\delta_{62}$	$\delta_{63}$	$\delta_{64}$	$\delta_{65}$	$\delta_{66}$	$\delta_{67}$	$\delta_{68}$	$\delta_{69}$
3.773	14.20	29.96	49.72	72.14	94.887	119.84	143.84	167.81

Charge d'une tonne appliquée au noeud 7

71	72	73	74	75	76	77	78	79
4.439	16.87	35.95	60.371	88.79	119.87	152.27	184.91	217.55

Charge d'une tonne appliquée au noeud 8

81	82	83	84	85	86	87	88	89
5.105	19.535	41.954	71.032	105.44	143.84	184.16	227.30	269.93

Charge d'une tonne appliquée au noeud 9

91	92	93	94	95	96	97	98	99
5.770	22.199	47.943	81.333	122.09	167.81	217.55	269.93	223.65

LA PERIODE DE VIBRATION  $T_{xx}$  EST EGAL A  
0.355 s

- Exemple de calcul des  $x_i$  :

$$x_1 = P_1 (\delta_{11} + \delta_{12} + \delta_{13}) + P_4 \delta_{14} + \dots + P_9 \delta_{19}$$

$$x_1 = 0,10342131 \text{ cm} \quad P_1 = P_2 = P_3 = 369,22 \text{ t.}$$

$$x_2 = 0,3847114883 \text{ cm}$$

$$x_3 = 0,8042206056 \text{ cm}$$

$$x_4 = 1,32627391 \text{ cm} \quad P_4 = 374,385 \text{ t.}$$

$$x_5 = 1,924127684 \text{ cm} \quad P_5 = 380,598 \text{ t.}$$

$$x_6 = 2,569757678 \text{ cm} \quad P_6 = 386,105 \text{ t.}$$

$$x_7 = 3,244378075 \text{ cm} \quad P_7 = 391,977 \text{ t.}$$

$$x_8 = 3,93346464606 \text{ cm} \quad P_8 = 397,657 \text{ t.}$$

$$x_9 = 4,626224649 \text{ cm} \quad P_9 = 309,785 \text{ t.}$$

$$\sum P_i x_i^2 = 21823,27405 = A$$

$$\sum P_i x_i = 6966,912624 = B$$

$$\omega = \sqrt{\frac{B}{A}} = 17,6967$$

$$T = 2\pi/\omega$$

$$T_{xx} = 0,355 \text{ sec.}$$

Remarque :

A vue des grandeurs des deux périodes de vibration nous nous sommes contenté d'arrêter notre étude au 1er Mode.

ETUDE DYNAMIQUE ( § 1 )

CHARGE DE 1(t) APPLIQUEE AU NOEUD 1

11	12	13	14	15	16	17	17	19
0.443	1.109	1.775	2.440	3.106	3.773	4.439	5.105	5.570

CHARGE DE 1(t) APPLIQUEE AU NOEUD 2

21	22	23	24	25	26	27	28	29
1.109	3.551	6.215	8.679	11.521	14.206	16.870	19.535	22.199

CHARGE DE 1(t) APPLIQUEE AU NOEUD 3

31	32	33	34	35	36	37	38	39
1.775	6.215	11.978	17.967	23.971	29.968	35.850	41.954	47.943

CHARGE DE 1(t) APPLIQUEE AU NOEUD 4

41	42	43	44	45	46	47	48	49
2.440	8.879	17.967	28.414	39.07	49.725	60.371	71.032	81.331

CHARGE DE 1(t) APPLIQUEE AU NOEUD 5

51	52	53	54	55	56	57	58	59
3.106	11.521	23.971	39.07	55.497	72.140	88.790	105.44	122.09

CHARGE DE 1(t) APPLIQUEE AU NOEUD 6

$\delta_{61}$	$\delta_{62}$	$\delta_{63}$	$\delta_{64}$	$\delta_{65}$	$\delta_{66}$	$\delta_{67}$	$\delta_{68}$	$\delta_{69}$
4.581	17.263	36.418	60.439	87.696	116.57	145.70	174.85	203.99

CHARGE DE 1(T) APPLIQUEE AU NOEUD 7

$\delta_{71}$	$\delta_{72}$	$\delta_{73}$	$\delta_{74}$	$\delta_{75}$	$\delta_{76}$	$\delta_{77}$	$\delta_{78}$	$\delta_{79}$
5.396	20.500	43.711	77.395	107.93	145.70	185.11	224.77	264.44

CHARGE DE 1(t) APPLIQUEE AU NOEUD 8

$\delta_{81}$	$\delta_{82}$	$\delta_{83}$	$\delta_{84}$	$\delta_{85}$	$\delta_{86}$	$\delta_{87}$	$\delta_{88}$	$\delta_{89}$
6.199	23.736	50.990	86.349	128.17	174.85	224.77	276.38	328.12

CHARGE DE 1(t) APPLIQUEE AU NOEUD 9

$\delta_{91}$	$\delta_{92}$	$\delta_{93}$	$\delta_{94}$	$\delta_{95}$	$\delta_{96}$	$\delta_{97}$	$\delta_{98}$	$\delta_{99}$
7.008	26.983	58.280	99.296	148.409	203.994	264.44	328.12	393.44

PERIODE DE VIBRATION  $T_{yy}$  EST EGAL A

.0.391 S

Exemple de calcul des  $x_i$

$$x_1 = P_1(\delta_{11} + \delta_{12} + \delta_{13}) + P_4(\delta_{14}) + P_5(\delta_{15}) \dots \dots P_9 \delta_{19}$$

$x_1$	=	0,1373195445 cm	$P_1$	=	369,22 t.
$x_2$	=	0,4675861242 cm	$P_2$	=	369,22 t.
$x_3$	=	0,9776460534 cm	$P_3$	=	369,22 t.
$x_4$	=	1,613556093 cm	$P_4$	=	374,385 t.
$x_5$	=	2,338925689 cm	$P_5$	=	380,598 t.
$x_6$	=	3,126580272 cm	$P_6$	=	386,105 t.
$x_7$	=	3,943826466 cm	$P_7$	=	391,977 t.
$x_8$	=	4,780484129 cm	$P_8$	=	397,657 t.
$x_9$	=	5,624213887 cm	$P_9$	=	309,785 t.

$$A = \sum p_i x_i^2 = 32252,697$$

$$B = \sum p_i x_i = 8470,376771$$

$$w = \sqrt{g \frac{B}{A}} = 16,05102778$$

$$T = 2\pi / w$$

$$\text{Donc : } T_{yy} = 0,3912 \text{ sec.}$$

Vibration suivant X.X (Rotation autour de Y.Y)

Calcul des déplacements ( $\delta_{ij}$ )

$$\delta_{ij} = \frac{1}{EI} \frac{x_i^2}{2} \left( x_j - \frac{x_i}{3} \right)$$

$$I_e^{xx} = 74,712 \text{ m}^4$$

## **CHAPITRE 3**

**-ETUDE AU VENT -**

## - Etude au Vent -

### 1. Introduction :

Le vent peut engendrer des efforts dynamiques qui dépendent des caractéristiques aerodynamiques et mécanique de la construction, en tout premier lieu de la période du mode fondamental d'oscillation de la structure dans la direction étudiée.

Les oscillations parallèles à la direction du vent se produisent sous l'action de rafales, il existe une interaction dynamique entre les forces engendrées par les accélérations et décélérations irrégulières, répétées et variables en durée. Il en résulte une aggravation des déformations par suite des oscillations.

Les actions du vent sur les différentes parois d'une construction admettent une résultante géométrique R dont la direction diffère généralement de celle du vent. Cette résultante peut se décomposer en trois forces :

- La première suivant la direction du vent dans un plan horizontal : c'est la traînée T
- La seconde perpendiculaire à la première dans le plan horizontal : c'est la dérive L
- La dernière suivant une direction verticale ascendante : c'est la portance U.

### 2. Détermination de l'effort de traînée "T".

Les trois efforts énumérés ci-dessus, l'effort de traînée est le plus important il conditionne le dimensionnement de l'ouvrage au contreventement.

Caractéristiques géométriques de l'ouvrage :

Il s'agit d'un ouvrage prismatique à base rectangulaire.

- Grand côté de la base  $a = 30,15 \text{ m}$
- petit côté de la base  $b = 13,34 \text{ m}$
- hauteur totale offerte au vent  $h = 25,70 \text{ m.}$

.../...

Comme la hauteur totale offerte au vent est  $H=25,70$  m étant inférieur à 30 m, nous pourrions utiliser la méthode simplifiée N.V 65 mais nous obtenons par la méthode générale  $T = C_t \cdot \beta \cdot \delta \cdot q \cdot d$

L'effort T est fonction du niveau H considéré :

### 2.1 Coefficient de traînée : $C_t$

Dans un ouvrage prismatique à base rectangulaire avec toiture terrasse il est fixé à

$$C_t = 1,3 \gamma_0 \quad (\text{NV 65} \quad 2.161.1)$$

$\gamma_0$ : coefficient dépendant des rapports de dimensions, sa valeur est donnée par le diagramme R.111.5 des règles NV65. pour un vent perpendiculaire à la face à (x.x)

$$\frac{b}{a} = \frac{13,34}{30,15} = 0,442 \quad \Rightarrow \gamma_0 = 1$$

$$\lambda_a = \frac{h}{a} = \frac{25,70}{30,15} = 0,852 \quad C_t = 1,3$$

pour un vent perpendiculaire à la face b (Y.Y)

$$\frac{b}{a} = \frac{13,34}{30,15} = 0,442 \quad \left. \begin{array}{l} \lambda_b = \frac{25,70}{13,34} = 1,91 \\ \end{array} \right\} \Rightarrow \gamma_0 = 1 \Rightarrow C_t = 1,3$$

### 2.2 coefficient de majoration dynamique :

Ce coefficient est lié aux effets de résonance provoqués par les oscillations de l'ouvrage.

Il dépend de la période propre de vibration de la construction et du niveau considéré.

Il est donné par la formule :

$$\beta = \theta(1 + \frac{\pi^2}{T^2})^{1/2}$$

pour un bâtiment d'habitation, la période propre de vibration peut être exprimée, dans le cas d'un contreventement par voiles en béton armé, par l'expression

$$T = 0,08 \cdot \frac{h}{\sqrt{L_x}} \cdot \sqrt{\frac{h}{L_x + h}}$$

.../...

$h$  : hauteur totale du bâtiment  $H = 25,70 \text{ m}$ .

$L_x$  : est la dimension en plan dans la direction considérée du vent ;

- Vent agissant longitudinalement ( $x.x$ )

$$L_x = a = 30,15 \text{ m.}$$

$$T_x = \frac{0,08 \cdot 25,70}{\sqrt{30,15}} \sqrt{\frac{25,70}{30,15 + 25,70}} = 0,25 \text{ sec}$$

- Vent agissant transversalement ( $y.y$ )

$$L_y = b = 13,34 \text{ m}$$

$$T_y = 0,08 \frac{25,70}{\sqrt{13,34}} \sqrt{\frac{25,70}{13,34 + 25,70}} = 0,45 \text{ sec}$$

Nous remarquons que ces valeurs données à partir des formules empiriques sont voisins à ceux trouvés lors de l'étude dynamique.

On utilisera les valeurs des périodes déterminées par le calcul dynamique.

$$T_{yy} = 0,391 \text{ sec.}$$

$$T_{xx} = 0,355 \text{ sec.}$$

Le coefficient de réponse  $\zeta$  est donné en fonction de la période par le diagramme de la figure R III 3. des règles N.V 65.

$$H = 25,70 \text{ m}$$

$$\zeta = 0,337$$

$$\zeta_{xx} = 0,24 \text{ (suivant } x.x)$$

Le coefficient global  $\beta$  dépend du type de construction pour un bâtiment à usage d'habitation il dépend de la cote  $H_s$        $25,7 < H_s = h \leq 30 \text{ m}$

on prend  $\theta = 0,7$

$$\beta_{xx} = 0,7 (1 + 0,25 \cdot 0,337) = 0,758$$

on prend  $\beta_{xx} = 1$

suivant  $y.y$  (transversal)

$$\zeta_{yy} = 0,28$$

$$\beta_{yy} = 0,7 (1 + 0,28 \cdot 0,337) = 0,76 \rightarrow 1$$

on prend alors  $\beta_{xx} = 1$

$$\beta_{yy} = 1.$$

### 2.3 coefficient de dimension : $\delta$ .

Ce coefficient tient compte de l'effet de dimensions de l'ouvrage.

Il est donné en fonction du niveau  $H$  considéré par le diagramme de la figure R.III.2 (NV65)

pour  $0 \leq H \leq 30$

$$\delta = 0,778$$

### 2.4 Pression du Vent $q$ :

La pression du Vent dépend de la région où est implanté l'ouvrage, du site et de la hauteur au dessus du sol du niveau considéré.

$$q = K_s \cdot K_m \cdot q_H$$

Effet de site ( $K_s$ )

Bouïra est classée en zone II, le coefficient de site  $K$  est défini par les règles NV.65

$$\left. \begin{array}{l} \text{Zone II} \\ \text{Site exposé} \end{array} \right\} \Rightarrow K_s = 1,3$$

Effet de Masque ( $K_m$ ) :

Nous supposerons que notre ouvrage n'est pas abrité par une autre construction susceptible de lui fournir un effet de masque, nous considerons ce dernier comme nul, et par consequent  $K_m = 1$

Pression dynamique :  $q_H$  :

La pression dynamique  $q_H$  agissant à la hauteur  $H$  au dessus du sol peut être lue dans le tableau de la figure C.III.4 des règles N.V65

Exemple :

$$\left. \begin{array}{l} \text{Region II} \\ H = 25,7 \end{array} \right\} q_H = 89,6 \text{ dan/m}^2 \approx 0$$

$$\text{Soit } q = 1,13 \cdot 89,6 = 116,48 \text{ Kgf/m}^2.$$

Remarque :

La valeur du produit ( $q$ ) doit demeurer entre 30 et 170  $\text{dan/m}$  ce qui est vérifié dans notre cas. .../..

## 2.5 Largeur du maître couple : "d"

d est la dimension en plan du bâtiment suivant la direction du vent.

vent agissant longitudinalement

$$d = b = 13,34 \text{ m.}$$

vent agissant transversalement

$$d = a = 30,15$$

Tous les coefficients étant déterminés, on peut calculer l'effort de traînée T :

$$T = C_t \cdot \beta \cdot \delta \cdot q \cdot d \quad \text{à chaque niveau } H.$$

Exemple de calcul :

$$H = 25,7 \text{ m.}$$

- vent transversal :

$$C_t = 1,3$$

$$\bar{\gamma} = 0,28, \bar{\zeta} = 0,337, \theta = 0,7 \quad \beta = 1.$$

$$\bar{\delta} = 0,778$$

$$q = 116,48 \text{ Kg/m}^2.$$

$$d = 30,15 \text{ m}$$

$$T = 1,3 \cdot 1 \cdot 0,778 \cdot 116,48 \cdot 30,15$$

$$T = 3551,90 \text{ Kgf/ml.}$$

$$T = 3551,90 \text{ Kgf/ml.}$$

Vent agissant longitudinalement :

$$C_t = 1,3$$

$$\bar{\gamma} = 0,24, \bar{\zeta} = 0,360, \theta = 0,7 \Rightarrow \beta = 1.$$

$$\bar{\delta} = 0,778$$

$$q = 116,48 \text{ Kgf/ml.}$$

$$d = b = 13,34 \text{ m}$$

$$T_{x.u} = 1,3 \cdot 1 \cdot 0,778 \cdot 116,48 \cdot 13,34$$

$$T_{x.u} = 1571,55 \text{ Kgf/ml.}$$

$$q = K_s \cdot K_m \cdot q_H$$

$$q = 1 \cdot 1,3 \cdot 89,6 = 116,48 \text{ Kg/ml.}$$

EFFORT DE TRAINEE

1<sup>e</sup> cas : vent agissant longitudinalement

H(m)	C <sub>t</sub>	$\beta$	G	$4+38$	$\theta$	$\beta$	$\delta$	$K_s$	$g_u$	$\delta_q$	Q	T
0	1.3	0.28	0.36	1.10	0.7	1	0.778	1.3	52.5	53.09	13.34	920.68
5	1.3	0.28	0.36	1.10	0.7	1	0.778	1.3	62	62.70	13.34	1087.34
10	1.3	0.28	0.36	1.10	0.7	1	0.778	1.3	70	70.79	13.34	1227.64
15	1.3	0.28	0.358	1.12	0.7	1	0.778	1.3	77.5	78.38	13.34	1359.26
20	1.3	0.28	0.345	1.12	0.7	1	0.778	1.3	83	83.94	13.34	1455.68
25	1.3	0.28	0.337	1.12	0.7	1	0.778	1.3	88	89.00	13.34	1543.43
25.70	1.3	0.28	0.337	1.12	0.7	1	0.778	1.3	88.5	89.60	13.34	1571.5

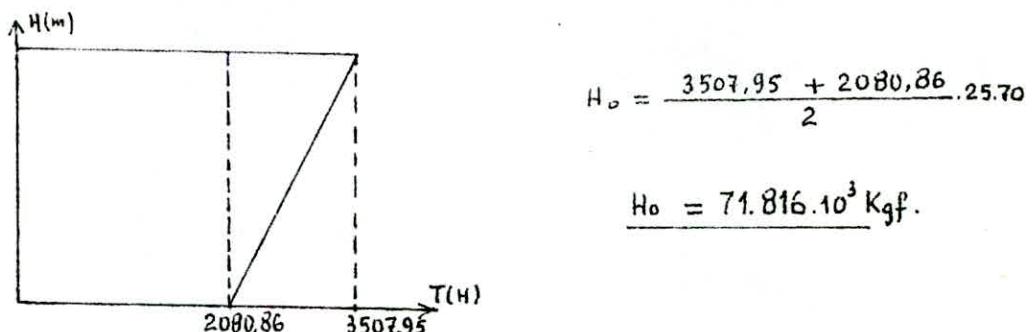
(E) FFORT DE TRAINEE

2<sup>e</sup> cas : vent agissant transversalement

H (m)	C <sub>b</sub>	$\bar{x}$	$\bar{y}$	$1 + \frac{3G}{4}$	$\theta$	$\beta$	$\delta$	$K_s$	$q_u$	$\xi_q$	$Q$	T
0	1.3	0.24	0.36	1.08	0.7	1	0.778	1.3	52.5	53.09	30.15	2080.86
5	1.3	0.24	0.36	1.08	0.7	1	0.778	1.3	62	62.70	30.15	2457.52
10	1.3	0.24	0.36	1.08	0.7	1	0.778	1.3	70	70.79	30.15	2774.6
15	1.3	0.24	0.358	1.08	0.7	1	0.778	1.3	77.5	78.38	30.15	3072.1
20	1.3	0.24	0.345	1.08	0.7	1	0.778	1.3	83	83.95	30.15	3290.4
25	1.3	0.24	0.337	1.08	0.7	1	0.778	1.3	88	89.00	30.15	3488.35
25.70	1.3	0.24	0.337	1.08	0.7	1	0.778	1.3	88.5	89.5	30.15	3507.9

- Reduction des efforts de trainée :

a/ Vent transversal :



- Effort tranchant à la base :

$$H_o = 71,816 \cdot 10 \text{ Kg.f.}$$

- Moment de renversement ( $M_o$ ) :

$$M_o = M_{o1} + M_{o2}$$

$$M_{o1} = (2080,86 \times 25,7) \frac{25,7}{2} = 687,193 \text{ t.m.}$$

$$M_{o2} = \frac{(3507,95 - 2080,86) \times 25,7}{2} \times \frac{25,70}{3} = 314,192 \text{ t.m}$$

$$M_o = M_{o1} + M_{o2}$$

$$M_o = 687,193 + 314,192 + 1001,385 \text{ t.m}$$

$$\longrightarrow M_o = 1001,385 \text{ t.m}$$

Cas du vent extrême :

La pression de base  $q_n (H=10m) = 70 \text{ dan/m}$

sera majorée de  $\frac{3}{4}$ , d'où pour le vent extrême :

$$q_e (H = 10 \text{ m}) = \frac{7}{4} \times 70 = 122,5 \text{ dan /m}^2$$

Vent normal :  $B = 1$

$$\text{Vent extrême: } (0,5 + \frac{\theta}{2}) \cdot B = (0,5 + \frac{0,7}{2}) B = 0,85$$

Donc on prend 1 pour majoration dynamique les réductions des efforts dans le cas de vent extrême s'obtiennent par majoration directe de  $(\frac{3}{4})$  des efforts "normaux"

- Vent normal :

$$\left\{ \begin{array}{l} H = 71,816 \text{ t.} \\ M = 1001,385 \text{ t.m} \end{array} \right.$$

- Vent extrême :

$$\left\{ \begin{array}{l} H = \frac{7}{4} \cdot 71,816 = 125,678 \text{ T} \\ M = \frac{7}{4} \cdot 1001,385 = 1752,423 \text{ t.m} \end{array} \right.$$

.../...

Vent longitudinal :

b/ de la même façon : vent normal =  $\begin{cases} H &= 31,775 \text{ t.} \\ M &= 443,065 \text{ t.m} \end{cases}$

vent extrême =  $\begin{cases} H &= 55,606 \text{ t.} \\ M &= 775,364 \text{ t.m} \end{cases}$

- Détermination de l'effort de dérive "L": NV 65 annexe 8.3.

L'effort de dérive est une action perpendiculaire à l'action du vent de type vibratoire et ayant lieu pour des vitesses faibles. Les règles NV 65 sont admis qu'à partir d'une vitesse supérieure à 25m/s il est inutile de faire un calcul à la résonnance.

Les périodes propres de vibration de l'ouvrage obtenues lors de l'étude dynamique sont :

$$T_{xx} = 0,355 \text{ sec.} ; T_{yy} = 0,291 \text{ sec.}$$

Designons par  $T$  la période des tourbillons il y'a résonnance si  $T_k = T$  dans la direction étudiée.

$$T_k = \frac{d}{S \cdot V} = T \quad (\text{pour types circulaires})$$

$V$  : vitesse du vent

$d$  : largeur du maître couple

$s$  : nombre de

$$V_{cr} = \frac{d}{S \cdot T} \quad \text{NV 65 annexe 8.31.}$$

$V_{cr}$  : Vent dit critique.

application :

Sens longitudinal

$$V_{cr} = \frac{d}{S \cdot T} = \frac{13,34}{0,30 \times 0,29} = 13,34 \text{ m.}$$

$$T = 0,29 \text{ sec.}$$

"S" Le nombre de Strouhal varie entre 0,25 et 0,30 il dépend de la rugosité des surfaces.

On prend  $S = 0,30$  (plus défavorable).

$$V_{cr} = \frac{13,34}{0,30 \times 0,48} = 92,63 \text{ m/s} > 25 \text{ m/s}$$

$$92,63 \text{ m/s} > 25 \text{ m/s.}$$

.../...

b/ sens transversal :

$$V_{cr} = \frac{d}{S \cdot T}$$

$$T = 0,37 \text{ sec.}$$

$$d = 30,15 \text{ m.}$$

$$s = 0,3$$

$$V_{cr} = \frac{30,15}{0,3 \times 0,37} = 271,62 \text{ m/s} > 25 \text{ m/s}$$

Il est alors inutile de faire un calcul de résonnance et de calcul de dérive L. Il va pratiquement toujours ainsi pour les bâtiments du type étudiés.

N.B : généralement, seuls les ouvrages de très grande hauteur de période propre importante  $\geq 1,5$  sec nécessitent un calcul à la résonnance.

N.B : Les forces équivalentes statiques de la traînée sont nettement plus faibles (6 fois moins) que celle dues aux forces équivalentes statiques d'origine sismique.

D:/ Détermination de l'effort de portance "U".

C'est une action verticale perpendiculaire à la poussée du vent :

$$\text{nous pouvons écrire } U = C_u \cdot \delta \cdot q \cdot S_u$$

l/ Coefficient de portance  $C_u$  :

il s'écrit

$$C_u = C_i - C_e$$

$C_i$  est le coefficient de surpression intérieure sur la terrasse : NV III 2,141.

Construction fermée

permeabilité  $\mu < 5$  le coefficient de surpression interne s'écrit :

$$C_i = + 0,6 (1,8 - 1,3)$$

$$C_i = + 0,6 (1,8 - 1,3 \cdot 1) = + 0,3 \cdot NV 65.2,141$$

$C_e$  : coefficient de dépression extérieur sur la terrasse NV 65 III. 2,131.2

Ce coefficient est fonction de l'inclinaison de la toiture et du coefficient de correction Voir diagramme RIIIIG.

$$\left. \begin{array}{l} \alpha = 0 \\ \gamma_0 = 1 \end{array} \right\} (\text{plancher terrasse plan}) \left. \begin{array}{l} \alpha = -0,5 \\ \gamma_0 = 1 \end{array} \right\} (\text{terrasse en pente})$$

D'où le coefficient de portance :

$$C_u = C_i + C_e$$

$$C_u = 0,3 + 0,5 = 0,8$$

coefficient de dimension : (NV 65 III 1,244)

La plus grande dimension de la toiture est = 30,15 m.

La hauteur du bâtiment est  $H = 25,70 \text{ m.}$

$$\Rightarrow \delta = 0,725$$

pression du vent  $q$  :

La pression de base est  $q_{10} = 70 \text{ dan/m}^2$   
pour  $H = 25,70 \text{ m.}$

$$q_u = q_{10} \frac{(2,5 H+18)}{H+60} = 89 \text{ dan/m}^2$$

Soit  $q = K_s q_u = 1,3 \times 89 = 115,7 \text{ dan/m}^2$

Aire de la toiture terrasse  $S_u$ :

Dans notre cas elle est évaluée à

$$S_u = 296,619 \text{ m}^2$$

Au total : (l'effort de soulevement s'écrit)

$$U = C_u \delta \cdot q \cdot S_u$$

$$U = 0,8 \cdot 0,778 \cdot 115,7 \cdot 296,619$$

$$U = 21,360 \cdot 10^3 \text{ dan}$$

Si on désigne par  $G$  le poids total à vide de l'ouvrage, il faut vérifier :  $G \geq U_e$

$$U_e = \frac{7}{4} U = 37,380 \cdot 10^3 \text{ dan}$$

avec un immeuble en béton armé, cette vérification est pratiquement toujours satisfaisante.

$$G = 4045,77 \text{ dan} > U_e = 37380 \text{ dan}$$

verifié.

## **—CHAPITRE 4—**

**—ETUDE HUI S'EIS'ME—**

## ETUDE SISMIQUE

L'objet de cette étude est donc l'étude des ressources sécuritaire anti-sismique. Elle constitue à vérifier la résistance et la stabilité du bâtiment vis à vis des sollicitations d'ensemble etc afin de justifier par le calcul la sécurité de la construction devant des efforts d'origine sismique.

- les sollicitations d'origine sismique peuvent s'évaluer.
  - soit par un calcul dynamique direct, pour cela il faudra disposer de l'enregistrement de l'accélérogramme donc des graphes donnant directement l'accélération du sol en fonction du temps pour un séisme antérieur connu.
  - soit par l'application à la construction d'un système de force dont les effets statiques seront censés engendrer les mêmes sollicitations à cœur de l'action sismique.
- Nous appliquons pour nos calculs présente le 2<sup>ème</sup> procédé c'est à dire un calcul statique équivalent le système statique équivalent résulte de la combinaison.
- d'un système de forces élémentaire horizontales ( $S_h$ )
  - d'un système de forces élémentaire verticales ( $S_v$ )
  - d'un système de couple de torsion d'ensemble d'axe verticale ( $S_t$ )

## SYSTEME DE FORCES HORIZONTALES

IL se compose de forces élémentaires dont chacune s'exerce sur un élément de construction est appliquée au centre de gravité de ce dernier, ces forces sont parallèles et de même sens, leur intensité varie avec leur direction.

Les calculs seront fait suivant les deux directions horizontales perpendiculaires correspondant aux axes propres du bâtiment ( $X-x$  et  $Y-y$ ).

L'intensité de la force horizontale agissant sur un élément donné est pour la direction  $OX$  égale à :  $S_H = G_x \cdot w$

$w$  : étant le poids des charges permanentes et surcharge propres à l'élément et considérées comme soumises à l'action sismique.

$$w = G + \frac{P}{5}$$

## SYSTEME DE FORCES VERTICALES (Sv)

IL se compose de forces élémentaires, chacune s'appliquant au centre de gravité d'un élément de construction toutes ces forces sont de même sens et peuvent être ascendente ou descendante.

L'intensité pour chacune de ces forces =  $\pm G_v \cdot w$ .

## TORSION D'ENSEMBLE : (St)

A chaque système de forces horizontales il convient d'associer le système de couple de torsion d'axe vertical obtenu en supposant qu'à chaque niveau et dans chaque direction, la résultante des forces horizontales à une excentricité par rapport au centre de torsion à la plus grande des deux valeurs,

- \* 5 % de la plus grande dimension du bâtiment.
- \* Excentricité théorique résultant du calcul à vue des plans.

.../...

Les sollicitations à considérer pour le calcul de chaque élément de la structure seront les sollicitations les plus défavorable résultant de la combinaison ( $S_H$ ), ( $S_V$ ) et ( $S_T$ ).

## DETERMINATION DES COEFFICIENTS SISMIQUES :

Dans la direction horizontale.

Le coefficient sismique applicable à un élément donné pour la direction OX et le mode  $i$ .

s'écrit  $\xi_i^i = \alpha \beta_i \gamma_i \delta_i$

Expression dans laquelle  $\alpha, \beta, \gamma, \delta$ . sont des coefficients sans dimensions, déterminés de la façon suivante.

$\alpha$  : coefficient d'intensité

$\beta$  : " " de réponse

$\gamma$  : " " de distribution

$\delta$  : " " de fondation.

### COEFFICIENT D'INTENSITE

Le coefficient caractérise l'ajustement de la résistance d'une construction à l'intensité sismique dont on veut protéger. Il dépend de l'intensité nominale

IN pour laquelle il doit être établi le projet.

Le complément par sismique Algérien au P.S 69 donne pour les édifices présentant un risque normal à la population implantée en zone II:

$$\alpha = 1$$

L'échelle fonctionnelle page 83 du P.S 69 permet de connaître pour  $\alpha=1$  une intensité nominale IN = 8, qui correspond à des secousses de degré transitoire entre VII et IX sur l'échelle microscopique.

### COEFFICIENT DE REPONSE (β)

Il caractérise l'importance de la réponse de la structure à une secousse d'intensité égale à l'intensité de référence:

Il dépend :

- de la période "T" du mode de vibration de la construction dans la direction étudiée.
- du degré d'amortissement de l'ouvrage
- Eventuellement de la nature du sol de fondation.

Conformément aux compléments paroisiens algériens aux règles Ps 69 pour les bâtiments courants à voiles, l'amortissement sera considéré comme moyen  $\beta = 0,085$  avec

$$\frac{3}{\sqrt{T_0}}$$

Ayant les valeurs des périodes de vibration déterminées lors de l'étude dynamique, on détermine les valeurs de  $\beta$  correspondants aux premiers modes suivant les deux directions.

$$\beta = \frac{0,085}{\sqrt{T_0}} \quad \text{avec } 0,065 \leq \beta \leq 0,13$$

$$\beta_{xx} = 0,12$$

$$\beta_{yy} = 0,116$$

on prendra  $\beta = 0,11$

Le coefficient de fondation  $S$  (art 3,112 - 15 Ps.69).

Le coefficient  $S$ , indépendant des propriétés dynamiques de la construction est un facteur correcteur tenant compte de l'incidence des conditions de fondation sur le comportement de l'ouvrage.

Dans notre cas, le bâtiment est fondé sur un terrain de consistance moyenne où le mode de fondation adopté est un radier, par conséquent on prendra

$$S = 1,00$$

Coefficient de distribution  $(\gamma)$  : (Art 3,112 - 14 P.S 69)

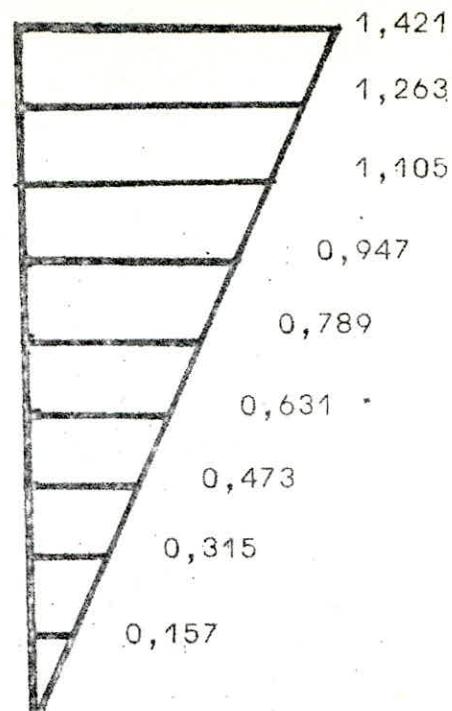
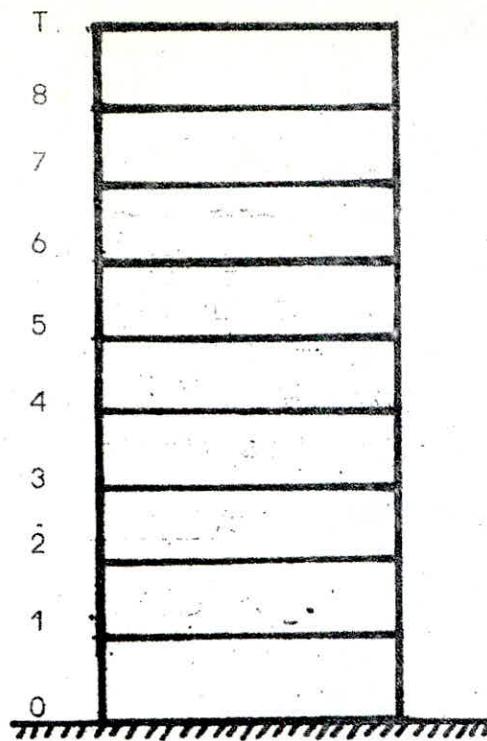
Ce coefficient ne dépend que de la structure et caractérise à l'intérieur de cette dernière, le comportement de la masse à laquelle il se rapporte.

Dans les constructions courantes composées d'un système porteur et de planchers, il est permis de considérer sauf anomalies masquées dans la distribution des charges, que toutes les masses sont concentrées au niveau des planchers.

Pour les bâtiments d'habitations composés d'étages pouvant être considérés comme identiques " $\gamma$ " peut s'exprimer en fonction du rang  $r$  du plancher compté à partir de la base.

$n$  est le nombre de planchers, le coefficient applicable au plancher de rang " $\gamma$ " est :

$$\gamma_r = \frac{3r}{2n+1}$$



Niveau	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	0,157	0,315	0,473	0,631	0,789	0,947	1,105	1,263	1,421

Coefficient sismique dans le sens vertical :

Le règlement Ps 69 définit un coefficient sismique dans la direction verticale égale à :

$$G_V = \pm \frac{1}{\sqrt{d}} G_H$$

Calcul de  $\tilde{\sigma}_{xx}$  et  $\tilde{\sigma}_{yy}$ .

$$\tilde{\sigma}_{xx} = \alpha \beta \rho \alpha \tau_r \delta = 1.0,11.1.7r = 0,11\tau_r$$

$$\tilde{\sigma}_{yy} = \alpha \beta \rho \gamma \tau_r \delta = 1.0,11.1.\tau_r = 0,11\tau_r$$

$$\tilde{\sigma}_{xx} = \tilde{\sigma}_{yy} = 0,11\tau_r.$$

#### Détermination des forces sismiques :

Ces forces sont obtenues à partir de la relation suivante :

$$F_H = \tilde{\sigma}_H W$$

W : étant le poids des charges permanentes et surcharges propres à l'élément considérer.

Comme soumis à l'action sismique :

Calcul de W pour chaque niveau :

Niveau terrasse :

$$G = 76,442 + 198,693 = 275,135 \text{ t.}$$

$$\frac{P}{5} \quad (\text{P : sans dégression}) = \frac{28,916}{5} = 5,78 \text{ t.}$$

~~$W = 280,945 \text{ t.}$~~

Etage courrant :  $G = 340,786 \text{ t.}$

$$\frac{P}{5} = \frac{47,401}{5} = 9,481 \text{ t.}$$

$$\underline{W = 350,267 \text{ t.}}$$

CALCUL DES COEFFICIENTS STRIQUE

$\sigma_{xx} = \sigma_{yy}$

niveau	$\alpha$	$\beta_{xx}$	$\beta_{yy}$	$\gamma_r$	$\delta$	$\sigma_{xx}$	$\sigma_{yy}$	$\sigma_{x=\pm\sqrt{H}}$
9	1	0.11	0.11	-0.61	1	0.1563	0.1561	0.1563
8	1	0.11	0.11	1.233	1	0.1389	0.1389	0.1389
7	1	0.11	0.11	1.109	1	0.1219	0.1219	0.1219
6	1	0.11	0.11	0.947	1	0.1041	0.1040	0.1041
5	1	0.11	0.11	0.769	1	0.086	0.086	0.086
4	1	0.11	0.11	0.631	1	0.0694	0.069	0.0694
3	1	0.11	0.11	0.473	1	0.052	0.052	0.052
2	1	0.11	0.11	0.315	1	0.0346	0.0340	0.0346
1	1	0.11	0.11	0.157	1	0.0172	0.0170	0.0172
0	1	0.11	0.11	0	1	0	0	0

$$\sigma_h = \max(\sigma_{xx}, \sigma_{yy})$$

$$\alpha = 1 \Rightarrow \sigma_v = \pm \sigma_h$$

Nous représenterons un tableau regroupant les différents forces verticales et horizontales à chaque niveau.

$$F_h = \frac{G_H \cdot v}{V}$$

Niveau (m)	Forces Horizontales (t)		Forces Verticales (t)
	Sens -x -x	Sens y - y	
25,20	43,822	43,822	43,822
22,40	48,336	48,336	48,336
19,60	42,382	42,382	42,382
16,80	36,427	36,427	36,427
14,00	30,122	30,122	30,122
11,20	24,168	24,168	24,168
8,40	18,213	18,213	18,213
5,60	11,909	11,909	11,909
2,80	5,954	5,954	5,954

INFORMES RECUEILLIE PAR L'AGENCE SISMIQUE

NIVEAU	SISMES X-X		SISMES Y-Y		PÉRIODE VENTILAGE
	T (s)	R (m)	T (s)	R (m)	
9	43.822	0,00	43.822	0,00	43.822
8	92.158	122.70	92.158	122.70	92.158
7	134.540	380.744	134.540	380.744	134.540
6	170.967	757.454	170.967	757.454	170.967
5	201.069	1236.162	201.069	1236.162	201.069
4	225.257	1799.211	225.257	1799.211	225.257
3	243.470	2429.930	243.470	2429.930	243.470
2	255.377	3111.646	255.377	3111.646	255.377
1	261.333	3826.707	261.333	3826.707	261.333
EDC	261.333	4558.439	261.333	4558.439	261.333

~~Effort~~ Heckissant

~~25,20 m~~

~~43.822 t~~

~~48.336 t~~

~~42.982 t~~

~~36.427 t~~

~~30.122 t~~

~~24.168 t~~

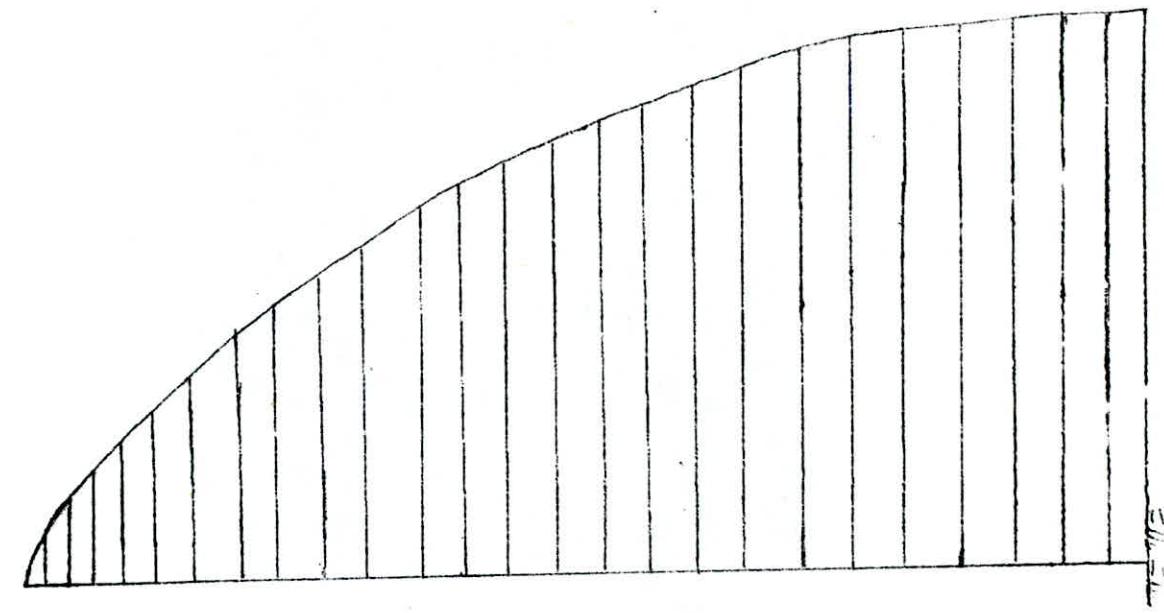
~~18.213 t~~

~~11.909 t~~

~~5.954 t~~

~~0,00 m~~

~~Effort~~ Tranchant



### - Etude au Seisme suivant le R.P.A 81

Le présent règlement est applicable à toutes les catégories de constructions courantes de configuration simple et régulière.

Le système de contreventement est assuré par une structure à voiles porteurs supportant la totalité des charges verticales, dans ce système, les forces horizontales ainsi qu'une importante partie des forces verticales sont reprises par les volées de contreventement.

Les contreventements seront plans et disposés autant que possible symétriquement par rapport au centre des masses de la construction. Dans les zones III et II le système de contreventement des bâtiments doit être de même nature dans les deux directions.

La distribution de la rigidité sur la hauteur du bâtiment ne présentera pas de variations brusques. En particulier sont à déconseiller les changements de système de contreventement d'un niveau à l'autre.

### Etude Sismique R.P.A 81 :

Une grande partie de l'Algérie est sujette à l'importante secousses telluriques, la conception du règlement Para-Sismique Algérien R.P.A 81, apparaît comme une nécessité objective, sociale et économique; il est applicable à toutes les catégories de construction courantes de configuration simple et régulière.

Dans la conception du présent règlement, les forces réelles dynamiques qui se développent dans la construction sont remplacées par un système de forces statiques fictives dont les efforts sont considérés équivalents aux efforts de l'action sismique.

.../...

## Action Sismique

Force sismique minimum (formule de base).

Tout bâtiment sera conçu et construit pour résister aux forces sismiques horizontales totales agissant non simultanément dans la direction de chacun des axes principaux de la structure, conformément à la formule.

$$V = A \cdot B \cdot D \cdot Q \cdot W$$

V : force latérale totale ou effort tranchant à la base.

A : coefficient d'accélération des zones.

Ce coefficient dépend du groupe d'usage de la structure défini en annexe n° 1 et de la zone sismique.

Sa valeur est prise dans le tableau (1) page 16 RPA 81, pour les ouvrages courants édifiées dans la zone II.

$$A = 0,15$$

B : facteur de comportement de la structure. Il dépend du type de comportement de la structure et de la nature de ses contreventements. Les valeurs de B correspondantes sont données dans le tableau 2 page 22 RPA 81.

Pour les structures à voiles porteurs/

$$B = \frac{1}{4}$$

D : Facteur d'Amplification dynamique moyen

La valeur D sera déterminée d'après le type du sol en fonction de la période T du bâtiment, comme indiqué sur la figure (4) page 17 du RPA 81.

Determination de la période "T".

La valeur de T peut être obtenue par la formule suivante

$$T = \frac{0,09 H}{\sqrt{L}}$$

avec :

H = hauteur du bâtiment = 25,70 m.

L = dimension du bâtiment dans le sens de l'action sismique.

.../...

- Sens longitudinal (x.x)  $L = 30,15 \text{ m.}$
- Sens transversal (y.y)  $L = 13,34 \text{ m.}$   
d'où la période est égale : formule 3.3.A
- Sens "X.X"

$$T = \frac{0,09 \cdot 2570}{\sqrt{30,15}} = 0,421 \text{ s.}$$

- Sens "Y.Y"

$$T = \frac{0,09 \cdot 25,70}{\sqrt{13,34}} = 0,633 \text{ s.}$$

On prendra les périodes de l'étude dynamique.

D'où on aura la valeur d'amplification dynamique "D".

Cas de sol meuble :

Sens xx :  $D = 2$

Sens yy :  $D = 2$

(Voir R.P.A 17)

Vérification de l'article 33122

La valeur du facteur obtenu pour la valeur de  $T$  calculer par la formule méthode approximatives (ne devrait pas être inférieur à 80% de celle de D obtenue en utilisant la formule 3.3.A

xx       $T = 0,421 \text{ s}$        $D = 2$       Vérifier car.

yy       $T = 0,631 \text{ s}$        $D = 1,77 \cdot 2 = D_a > 80\% D_e$

Facteur de Qualité :

Le facteur de qualité du système de contreventement d'une structure donnée est fonction de l'hyperstatilité de la surabondance du système, de ses symétries en plan de sa régularité en élévation et de la qualité du contrôle pendant la construction, la valeur de Q est déterminée par la formule :

$$Q = 1 + \sum_{q=1}^{n_q} P_q$$

où  $P_q$  est la pénalité qui dépend de l'observation ou non du critère de qualité  $q$ . Les critères, ainsi que les valeurs  $P_q$  correspondantes sont données dans le tableau 3 page 26 R.P.A 81.

$$Q = 1 + X 0,1 = 1,1$$

.../...

### W : Poids de la structure

Pour les bâtiments à usage d'habitation, la valeur de W comprend la totalité des charges permanentes (poids propre de la structure, poids des surcharges et des revêtements, poids des équipements etc...)

Dans notre cas

$$W = 3001,423 \text{ t.}$$

#### - Force sismique minimum :

\* Sens longitudinal "xx" :

$$V = 0,15 \times \frac{1}{4} \times 2 \times 1,1 \times 3001,423$$

$$V_{xx} = 247,62 \text{ t.}$$

\* Sens transversal "yy"

$$V = 0,15 \times \frac{1}{4} \times 2 \times 1,1 \times 3001,423$$

$$V_{yy} = 247,62 \text{ t.}$$

$$V_{xx} = V_{yy} = 247,62 \text{ T.}$$

#### Distribution des forces latérales :

La force latérale totale V doit être distribuée sur la hauteur de la structure selon les formules suivantes :

$$V = F_e + \sum_{k=1}^n F_k$$

La force concentrée  $F_e$  au sommet de la structure doit être déterminée par la formule suivante où T est exprimée en seconde.

$$F_e = 0,07 T V$$

La valeur de  $F_e$  ne dépassera en aucun cas 0,25 V, si  $T \leq 0,7 \text{ sec}$  alors le terme 0,07 T devient = 0,049 et devient négligeable donc si  $T > 0,7 \text{ sec}$ .

$$F_e = 0$$

La partie restante de l'effort horizontal total V doit être distribuée sur la hauteur de la structure, suivant la formule.

$$F_k = \frac{(V - F_e) W_k h_k}{\sum_{m=1}^n W_m h_m}$$

.../...

$F_K$  étant l'effort horizontal au niveau K.  
A chaque niveau désigné par K, la force  $F_K$  doit être  
répartie sur la surface du bâtiment en accord avec la dis-  
tribution des masses à ce niveau/

Applications :

- Sens longitudinal :

$$V_{xx} = 247,62 \text{ t.}$$

$$T_{xx} = 0,355 \text{ sec} \Rightarrow F_x = 0. \quad (T_{xx} < 0,7 \text{ sec})$$

- Sens transversal :

$$V_{yy} = 247,62 \text{ t.}$$

$$T_{yy} = 0,391 \text{ sec} < 0,7 \text{ sec} \Rightarrow \underline{F_y = 0}$$

NIVEAU	$w_k(t)$	$H_k(m)$	$w_k$	$H_k$	$w_i$	$h_i$	$F_k^{xx} = F_k^{yy}(t)$ sensxx+sensyy	SENS X-X	=	SENS Y-Y
09	275.135	25.2	6933.4	41284.6	41.58			41.58 (t)		<u>25.8</u>
08	340.786	22.4	7633.6	41284.6	45.80			45.80 (t)		<u>22.4</u>
07	340.786	19.6	6679.4	41284.6	40.06			40.06 (t)		<u>19.6</u>
06	340.786	16.8	57.25.2	41284.6	34.34			34.34 (t)		<u>16.8</u>
05	340.786	14.00	4771.00	41284.6	28.62			28.62 (t)		<u>14.0</u>
04	340.786	11.2	3816.80	41284.6	22.90			22.90 (t)		<u>11.2</u>
03	340.786	8.4	2992.60	41284.6	17.17			17.17 (t)		<u>8.4</u>
02	340.786	5.6	1908.40	41284.6	11.44			11.44 (t)		<u>5.6</u>
01	340.786	2.8	954.20	41284.6	5.72			5.72 (t)		<u>2.8</u>
0.0	340.786	0.0	0.0	0.0	0.0			0.0		<u>0.0</u>

les efforts cumulés engendrés par l'action sismique (et par auteur d'étage) sont représentés par le tableau suivant:

Sens yy = Sens xx		
NIVEAU	T(effort tranchant)(t)	Moment(t/m)
9	41.58	0.00
8	87.38	116.42
7	127.44	361.08
6	161.78	717.91
5	190.40	1170.90
4	213.30	1704.02
3	230.47	2301.26
2	241.91	2946.56
1	247.14	3623.92
0	247.14	4315.91

## **—CHAPITRE 5—**

**— ETUDE —  
AU CONTRÉVENTEMENT**

## 1. Introduction :

L'étude du contreventement constitue en général un des problèmes les plus difficiles posés par le calcul de la structure des bâtiments cette difficulté est dûe au fait que la recherche de la solution exacte nécessite le calcul préalable de toutes les forces de liaison qui existent entre les éléments de contreventement et des planchers.

La présente note n'a pas pour but de permettre une évaluation exacte des contraintes dues à l'action sismique, mais simplement de préciser les opérations qui peuvent être effectuées pour s'assurer que les bâtiments à refends présentent une sécurité suffisante sous l'action des forces horizontales.

## 2. Objet de l'étude :

La présente étude concerne la distribution des forces horizontales entre les différents éléments capables, s'ils étaient isolés de véhiculer ces forces jusqu'aux fondations

## 3. Hypothèses de calcul de distribution des efforts d'ensemble (Méthode de M. Albiges et Goulets)

On simplifie l'étude des systèmes hyperstatiques en posant les hypothèses suivantes :

- \* Les planchers sont indeformables horizontalement
- \* Les refends sont parfaitement encastrés à leur base
- \* L'inertie des refends est constante sur toute la hauteur, dans le cas où les refends comportent des ouvertures, on fera appel à la notion d'inertie équivalente.

## 4. Inertie équivalente, définition et application

### 4.1 Introduction

L'introduction de la notion d'inertie équivalente permet par un artifice de calcul, d'assimiler les refends avec ouvertures au refend linéaire plein fictif, qui soumis

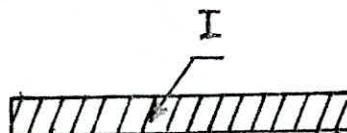
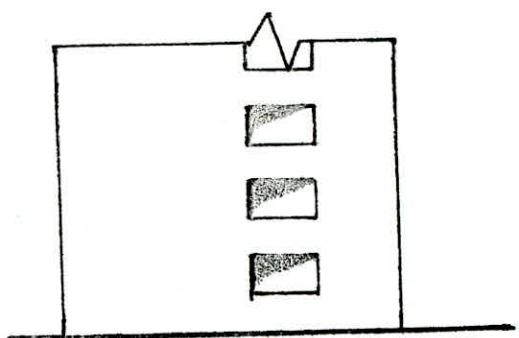
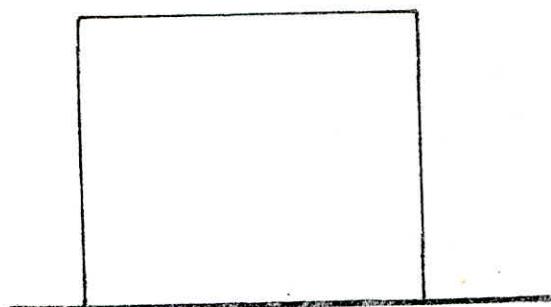
### 4.2 Définition :

On appellera "inertie équivalente" celle du refend considéré l'inertie d'un refend linéaire plein fictif, qui soumis

.../...

au même efforts horizontal uniformément répartis sur la hauteur de celle du refend avec ouvertures.

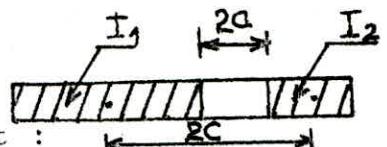
#### 4.2.1 Refend à une file d'ouverture



La fléche au sommet du refend fictif est :

$$f = \frac{H_0 Z^3}{8 \cdot E \cdot I_e}$$

(a) où  $H_0$  est l'effort tranchant à la base du refend.



La fléche au sommet d'un à une seule file d'ouverture

$$\text{est : } f = \frac{H_0 Z^3}{E(I_1+I_2)} \cdot \frac{2mc}{I} \cdot \frac{\psi_0}{\alpha^2} \cdot \frac{H_0 Z^3}{8EI} \quad (\text{b})$$

En égalant les deux expressions (a) et (b) on obtient.

$$I_e = \frac{I}{\frac{16mc}{I_1+I_2} \cdot \frac{\psi_0}{\alpha^2} + 1}$$

$I_1, I_2$  : Montant d'inertie de chaque élément de refend.

$I$  : Montant d'inertie, totale du refend  $I = I_1 + I_2 + 2mc$

$\psi_0$  : Coefficient donné par l'abaque B.23.b du livre de M. DIVER.

$m$  : Moment statique de chacun des éléments du refend par rapport au centre de gravité de l'ensemble.

$\Omega_1, \Omega_2$  : Aires des éléments de refend 1 et 2

$c$  : Demi-distance entre les centres de gravité des deux éléments de refend.

$\alpha = \frac{mz}{\Omega z}$  est degré de monotonisme.

$$m = \frac{2c}{\frac{1}{\Omega_1} + \frac{1}{\Omega_2}} \quad . . .$$

$$\omega^2 = \frac{3iE'}{E(I_1 + I_2)} \cdot \frac{I}{m} \cdot \frac{C}{a^3 h}$$

$i$  : inertie du linteau.

$E'$  : coefficient d'elasticité longitudinale des linteaux

$E$  : coefficient d'elasticité longitudinal des refends.

$a$  : Demi-portée de l'ouverture

$h$  : hauteur d'écage

$z$  : hauteur totale du refend

Le refend et le linteau étant constituées du même matériau nous aurons  $E' = E$

Alors :

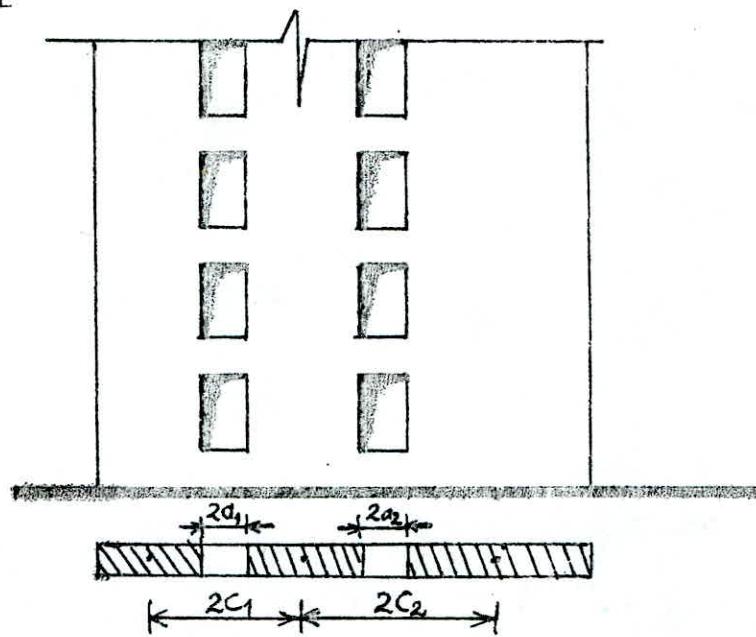
$$\omega^2 = \frac{3i}{I_1 + I_2} \cdot \frac{I}{m} \cdot \frac{C}{a^3 h}$$

#### 4.2.2 - Refend à plusieurs files d'ouvertures :

$\alpha = \omega z$ , degré de monolithisme.

$$\omega^2 = \frac{6E'}{E(I_1 + I_2 + \dots) h} \left( \frac{i_1 C_1^2}{a_1^3} + \frac{i_2 C_2^2}{a_2^3} + \dots \right)$$

$E' = E$



$$I_e = \frac{I}{\frac{8I}{(I_1 + I_2 + \dots)} \cdot \frac{\omega_0}{\alpha^2} + 1}$$

Remarques:

- \*  $\alpha$  est une caractéristique géométrique du refend, sa valeur ne dépend pas de l'épaisseur du voile un refend d'épaisseur variable sur la hauteur possède une valeur unique de  $\alpha$ .
- \* Pour l'évaluation de l'inertie équivalente, on supposera que les refends sont encastrés au niveau -0,05 m.
- \* Il ne sera tenu compte que des inerties maximales c'est à dire par rapport à des axes parallèles aux petits côtés.

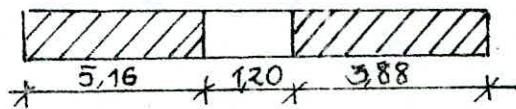
APPLICATION.

VOILE Transversale 1. (Plein)



$$I_e = \frac{b h_t^3}{12} = \frac{0,15 \cdot (10,24)^3}{12} = 13,421 \text{ m}^4$$

Voile Transversale 2



$$I_1 = 1,717 \text{ m}^4$$

$$I_2 = 0,73 \text{ m}^4$$

$$i = 0,0015 \text{ m}^4 \quad (\text{hauteur du linteau} = 50 \text{ cm})$$

$$A_1 = 0,774 \text{ m}^2$$

$$A_2 = 0,57 \text{ m}^2$$

$$2C = 5,72 \text{ m}$$

$$m = 1,9 \text{ m}^3$$

$$I = \sum I_i + 2mc = 13,315 \text{ m}^4$$

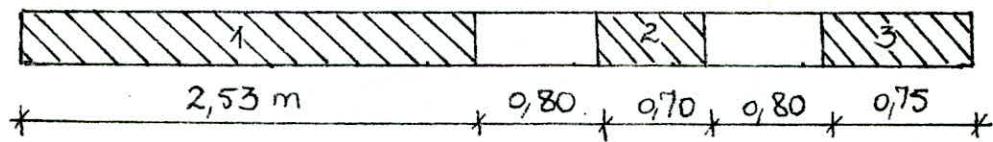
$$\omega^2 = 0,105 \Rightarrow \omega = 0,324$$

$$\alpha = \omega z = 8,326$$

Abaque B23b (M. Diver) donne  $\gamma_0 = 0,53$ .

$$I_e = 10,470 \text{ m}^4$$

VOILE Transversale 3b.



$$I_1 = 0,2024 \text{ m}^4$$

$$I_2 = 0,0024 \text{ m}^4$$

$$I_3 = 0,0052 \text{ m}^4$$

$$\sum I_i = 0,2118 \text{ m}^4$$

$$i_1 = 0,0031 \text{ m}^4 \quad (\text{hauteur du l'intervalle } 0,63 \text{ m})$$

$$i_2 = 0,042 \text{ m}^4$$

$$di = (x_E - x_{G_i}) ; \quad d_1^2 = 0,1075, \quad d_2^2 = 4,335, \quad d_3^2 =$$

$$I = \sum I_i + \sum \Omega_i \cdot di : \quad \Omega_1 = 0,379; \quad \Omega_2 = 0,105; \quad -$$

$$I = 2,177 \text{ m}^4 ; \quad a_1 = a_2 = 0,4 \text{ m}$$

$$C_1 = 1,2075 \text{ m}, \quad C_2 = 0,762 \text{ m}$$

$$\omega^2 = 4,572 \Rightarrow \omega = 2,138$$

$$\alpha = \omega z = 54,952$$

Connaissons  $\alpha$  et  $\frac{z}{r}$  on détermine  $\Psi_0 = 0,6$   
(Abaque B23b . M. Stiver).

$$I_e = \frac{2,177}{\frac{8 \cdot 2,177}{0,2118} \cdot \frac{0,6}{(54,952)^2} + 1} = 2,173$$

$I_e = 2,173 \text{ m}^4$

## (C) T U D E D E L A T O R S I O N

Les forces horizontales peuvent engendrer deux effets suivant que:

- , \* - L'effort appliqué à un niveau donné passe par le "centre de torsion" il y a alors simplement une translation.
- \* - L'effort applique ne passe pas par le centre de torsion, la translation est alors accompagnée d'une rotation.

Dans ce dernier cas, il faudra évaluer l'excentricité de l'effort horizontal (supposé agir au centre de gravité des masses) par rapport au centre de torsion (qui est le centre de gravité des inerties)

Le complément parasismique algérien aux PS 69 prévoit une excentricité "e" définie comme suit:

e théorique résultant des plans.

$e = \max(5\% \text{ de la plus grande dimension en plan.})$

On calculera donc l'excentricité théorique (qui définit les positions relatives des centres de gravité des masses et des inerties) qu'on comparera au 5% de la plus grande dimension en plan.

Les coordonnées cartésiennes des centres de gravité des masses et des inerties sont définies par les expressions suivantes:

Centre de gravité des masses:

$$y_m = \frac{m_i y'_i}{m_i}$$

$$x_m = \frac{m_i x'_i}{m_i}$$

Centre de torsion:

$$y_{CT} = \frac{y'_i I_{yy}^e}{I_{yy}}$$

$$x_{CT} = \frac{x'_i I_{xx}^e}{I_{xx}}$$

Détermination du centre de gravité des masses;

Pour cela on déterminera le centre de gravité de chaque refend (dalle, acrotere, voile etc...) au niveau de l'étage par rapport à un système d'axe orthonormé convenablement choisis; les résultats sont résumés dans les tableaux suivants:

(ÉTUDE DU CENTRE DE MASSE

Centre de masse des voiles

ELEMENT	M <sub>i</sub> (t)	X (m)	Y (m)	M <sub>i</sub> X <sub>i</sub>	M <sub>i</sub> Y <sub>i</sub>
VL A	17.580	13.870	12.040	243.834	211.663
VL B	13.783	19.240	8.840	205.184	121.841
VL C	10.290	15.150	6.490	155.893	66.780
VL D	8.113	5.895	5.060	47.826	41.051
VT 1	10.752	0.075	5.120	0.806	55.050
VT 2	9.717	3.825	4.924	37.167	47.846
VT 3a	3.475	7.725	3.105	26.844	10.789
VT 3b	5.859	7.725	7.753	45.260	45.424
VT 4	9.282	11.325	6.870	105.118	63.767
VT 5	3.150	13.225	10.240	41.658	32.256
VT 6	4.110	15.075	4.280	61.958	17.590
VT 7	2.380	18.825	5.630	44.812	13.402
VT 8	7.064	22.575	4.460	159.475	31.506
VT 9	9.055	26.325	8.566	238.386	77.569
VT 10	11.508	30.075	7.860	346.103	90.452
$\Sigma$	126.119			1820.327	926.987

(C) ENTRE DE MASSE TERRASSE + ACROTERE

Terrasse:  $G+1.2F = 0.958 \text{ t/m}^2$

ELEMENTS	$S_i (\text{m}^2)$	$M_i (\text{t})$	$X_i (\text{m})$	$Y_i (\text{m})$	$M_i X_i (\text{tm})$	$M_i Y_i (\text{tm})$
DALLE 1	36.864	35.315	1.8	5.12	63.568	180.812
2	18.288	17.518	5.55	7.7	97.230	134.903
3	17.856	17.518	5.55	2.48	94.838	42.422
4	24.408	23.382	9.30	6.55	217.460	199.916
5	17.856	17.106	9.30	2.48	94.938	42.422
6	16.537	15.842	14.925	7.61	236.44	120.636
7	14.076	13.483	13.05	4.33	175.976	58.448
8	14.076	13.483	16.80	4.335	226.514	58.448
9	22.896	21.934	20.55	5.56	450.551	121.951
10	15.840	15.176	24.30	11.14	368.728	169.038
11	39.456	21.934	24.30	5.56	532.996	121.953
12	39.456	37.798	28.05	7.86	1060.233	297.092
13	28.50	27.303	17.75	10.44	484.628	285.043
Ac1 (m)	10.24	1.945	0.075	5.12	0.145	9.961
2	7.35	1.396	3.675	10.16	5.131	14.588
3	11.90	0.631	7.425	11.19	2.280	4.039
4	14.85	2.821	14.924	12.06	42.11	34.083
5	1.25	0.237	22.35	12.69	5.308	3.013
6	3.75	0.712	26.10	13.24	18.818	9.433
7	10.96	2.082	29.92	7.86	62.31	16.367
8	18.60	3.543	20.55	2.455	72.623	8.675
9	2.38	0.452	11.175	1.19	5.053	0.538
10	11.10	2.109	5.55	0.00	11.704	0.00
$\Sigma$	293.03				4327.68	1933.77

**CENTRE DE MASSE - Etage courant**

DALES	$Si(m^2)$	Mi(t)	X(m)	Y(m)	Mi Xi	Mi Yi
1	36.844	30.117	1.800	5.120	54.210	154.199
2	18.288	14.941	5.550	7.700	82.922	115.045
3	17.856	14.588	5.550	2.480	80.963	36.178
4	24.408	19.941	9.300	8.550	185.451	170.495
5	17.856	14.588	9.300	2.480	135.668	36.178
6	16.537	13.510	14.925	7.615	201.636	102.876
7	14.076	11.500	13.050	4.335	150.075	56.571
8	14.076	11.500	16.800	4.335	193.200	49.852
9	22.896	18.706	20.550	5.560	384.408	104.005
10	15.840	12.941	24.300	11.140	314.466	144.162
11	22.896	18.706	24.300	5.560	454.555	104.005
12	39.456	32.235	28.650	7.860	904.191	253.367
<b><math>\Sigma</math></b>		213.273			3141.475	1326.930

CENTRE DE MASSE ( RDC )

DALLES	$S_i(m^2)$	$M_i(t)$	$X_i(m)$	$Y_i(m)$	$M_i X_i$	$M_i \bar{X}_i$
1	36.864	39.075	1.800	5.200	70.335	203.190
2	18.288	19.385	5.500	7.700	107.586	149.264
3	17.856	18.927	5.550	2.480	105.044	46.938
4	24.406	25.872	9.300	9.550	240.009	221.205
5	17.856	18.927	9.300	2.480	176.021	46.938
6	16.537	17.529	14.925	7.615	261.620	133.485
7	14.076	14.920	13.050	4.335	194.706	64.680
8	14.076	14.920	16.800	4.335	250.656	64.680
9	22.896	24.269	20.550	5.560	498.727	134.939
10	15.840	16.790	24.300	11.140	409.000	187.040
11	22.896	24.269	24.300	5.560	589.700	134.939
12	39.456	41.323	28.050	7.860	1173.135	328.728
$\Sigma$		276.511			4076.143	1716.02

Centre de masse des façades et garde-corps

ELEMENT	M <sub>i</sub> (t)	X(m)	Y(m)	M <sub>iXi</sub>	M <sub>iYi</sub>
F 1	2.130	1.800	10.035	3.834	21.371
F 2	1.543	1.800	1.355	2.777	2.090
F 3	1.543	5.555	1.355	8.563	2.090
F 4	1.543	9.300	1.355	14.349	2.090
F 5	2.130	13.050	2.485	27.796	5.293
F 6	2.130	16.800	2.485	35.784	5.293
F 7	2.130	20.550	2.485	43.771	5.293
F 8	1.543	24.300	3.735	37.494	5.763
F 9	1.543	28.050	12.245	43.281	5.763
F 10	1.543	28.050	12.245	3.029	18.894
Gc 1	1.683	1.800	0.000	9.340	0.000
Gc 2	1.683	5.550	0.000	15.651	0.000
Gc 3	1.683	9.300	0.000	40.896	0.000
Gc 4	1.683	24.300	2.380	47.208	4.005
Gc 5	1.683	28.050	2.380	47.208	4.005
Gc 6	1.683	28.050	13.340	47.208	22.451
Gc 7	1.683	28.050	13.320	40.896	22.451
$\Sigma$	29.559			465.158	135.877

CENTRE DE TORSION

ELEMENTS	X'	Y'	I <sub>e</sub> <sup>xx</sup>	I <sub>e</sub> <sup>yy</sup>	I <sub>ex'. X'</sub>	I <sub>ey. Y'</sub>
VT 1	0.075	5.12	13.421		1.0075	
VT 2	3.825	4.924	10.470		40.04	
VT 3a	7.725	3.105	0.638		4.928	
VT 3b	7.725	7.735	2.173		16.796	
VT 4	11.325	6.87	12.44		140.883	
VT 5	13.225	10.24	0.3375		4.463	
VT 6	15.075	4.28	0.6859		10.339	
VT 7	18.825	5.63	0.01618		0.3045	
VT 8	22.575	4.46	11.68		263.676	
VT 9	26.325	8.566	8.735		229.948	
VT 10	30.075	7.86	16.456		494.91	
VL A	13.87	12.04		34.50		415.38
VL B	19.87	8.84		17.598		155.566
VL C	15.15	6.49		7.039		45.631
VL D	5.81	5.16		5.435		28.044
$\Sigma$			77.052	61.364	1206.98	644.62

Calcul de l'écentricité:

Centre de masse terrasse

$$X_{cm} = 14.709 \text{ m}$$

$$Y_{cm} = 6.732 \text{ m}$$

Centre de masse étage courant

$$X_{cm} = 15.080 \text{ m}$$

$$Y_{cm} = 6.780 \text{ m}$$

Centre de masse R.D.C.

$$X_{cm} = 14.740 \text{ m}$$

$$Y_{cm} = 6.80 \text{ m}$$

Coordonnées du centre de torsion

$$X_{ct} = 15.66 \text{ m}$$

$$Y_{ct} = 9.98 \text{ m}$$

D'où       $ex = 0.96 \text{ m}$

$ey = 3.25 \text{ m}$

Excentricité accidentelle =  $e_a = 5\% \cdot 30.15 = 1.50 \text{ m}$

On prendra les valeurs de l'écentricité calculée.

## Distribution des efforts d'ensemble sur les refends

### Hypothèse :

On suppose que :

- La raideur de torsion de chaque refend est nulle.
- L'assemblage de plusieurs refends ne forme pas un ensemble rigide, pouvant présenter une raideur à la torsion : c'est à dire que l'étude est menée comme s'il s'agissait de plusieurs refends juxtaposés sans liaison.

### Méthode du centre de torsion.

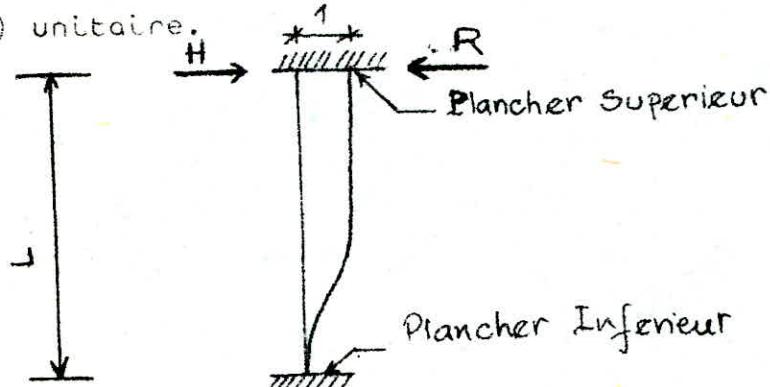
a; Si la résultante des efforts extérieurs coïncide avec le centre des inerties de tous les refends l'effort dans chaque refend est proportionnel à son inertie.

En effet par suite de l'indéformabilité des planchers, tous les refends subissent un même déplacement ( $H'$ )

b. Si au contraire la résultante des efforts extérieurs, ne passe pas par le centre des inerties, il y a modification des efforts par suite de l'existence d'un moment dû à l'excentricité donc d'un effort supplémentaire dû à la rotation ( $H''$ )

### Definition

La rigidité à la flexion d'un refend est la force (ou le couple) de rappel pour laquelle le refend réagit quand une force (ou un couple)  $H$  produit une translation (ou une rotation) unitaire.



$$R = \frac{12 E I}{L^3}$$

$R$  = Rigidité

$I$  = Moment d'inertie.

Tous les refends ont le même module d'élasticité, la même hauteur et représentent les mêmes conditions aux appuis donc on effectuera le calcul en remplaçant partout la rigidité par le moment d'inertie.

### Distribution des efforts tranchants

#### a/ Force sismique dirigée longitudinalement

(Sens X.X)

$$H'_{xi} = \frac{\bar{H}_x \cdot I_i^{yy}}{\sum I_i^{yy}}$$

$H'_{xi}$  : Effort dû à la rotation sur l'élément i

suyvant X.X

$$H''_{xi} = \frac{\bar{H}_x e_x I_i^{yy} y_i}{\sum I_i^{yy} y_i^2 + \sum I_j^{xx} x_j^2}$$

$H''_{xi}$  : Effort dû à la rotation sur l'élément j

suyvant Y.Y

$$H''_{yj} = \frac{\bar{H}_x e_y I_j^{xx} x_j}{\sum I_i^{yy} x_i^2 + \sum I_j^{xx} x_j^2}$$

Pour un élément transversal i on aura

$$H_{xi} = H'_{xi} + H''_{xi}$$

.../...

Pour un élément longitudinal j on aura

$$H_{yj} = H''_{yj}$$

Force sismique - dirigée transversalement

Sens (Y,Y)

$H'_{yj}$  : Effort de translation sur l'élément j suivant (Y,Y)

$$H'_{yj} = \frac{\bar{H}_y I_j^{xx}}{\sum I_i^{xx}}$$

$H''_{yj}$  : Effort dû à la rotation sur l'élément j suivant Y,Y

$$H''_{yj} = \bar{H}_y e \cdot \frac{I_j^{xx} x_j}{\sum I_i^{yy} y_i + \sum I_j^{xx} x_j}$$

$H_{xj}$  : Effort dû à la rotation sur l'élément suivant (X,X)

$$H_{xj} = \bar{H}_y e \cdot \frac{I_i^{yy} x_i}{\sum I_i^{yy} y_i^2 + \sum I_j^{xx} x_j^2}$$

Pour un élément transversal i on aura

$$H_{xi} = H''_{xi}$$

Pour un élément longitudinal j on aura

$$H_{yj} = H'_y + H''_y$$

Remarque :

Lorsque le séisme agit transversalement, en plus de la force de translation ( $H'_y$ ) les refends transversaux subissent la force de rotation ( $H''_y$ ) due à l'excentricité "e".

$H'_y$  est soit augmentées; soit y diminué par  $H''_y$  suivant que la force extérieure  $H'_y$  se trouve à gauche ou à droite du centre de torsion.

Il en est de même pour le sens longitudinal.

ÉTUDE SELON P.S. 69

$$e_y = 0.96 \text{ (m)}$$

SEISME ACCISSION LONGITUDENALEMENT

$$\bar{H}_y = 43.82 \text{ (t)}$$

NIVEAU / 25.2 (m)

VOILES	$I_e^{yy} (\text{m}^4)$	$y \text{ (m)}$	$I_e^{yy} \cdot y$	$I_e^{yy} \cdot y^2$	$H'x \text{ (t)}$	$H''x \text{ (t)}$	$E_x \text{ (t)}$	$\zeta \text{ (m)}^2$
V <sub>La</sub>	34.50	2.06	71.05	146.40	23.41	0.27	23.69	10520.359
V <sub>Lb</sub>	17.59	-1.14	-20.06	22.87	11.94	-0.078	11.86	10520.359
V <sub>Lc</sub>	7.03	-3.59	-25.24	90.52	4.77	-0.095	4.67	10520.359
V <sub>Ld</sub>	5.43	-4.90	-26.63	130.50	3.69	-0.104	3.58	10520.359
	4.564			390.39				

$$J = \sum I_e^{yy} + \sum I_e^{xx} x^2 = 10520.359 \text{ m}^6$$

Pour simplifier les calculs donnant les efforts horizontaux à chaque niveau, on utilisera un artifice de calcul permettant la détermination de ces derniers.

Cette artifice de calcul consiste à prendre l'effort  $H_x$  ou ( $H_y$ ) calculé dans le tableau précédent pour un voile donné due à  $H_x$  du niveau 25,7 m ; puis en serrant de règle de trois on en déduit l'effort  $H_x$  ou ( $H_y$ ) dû à  $H_x$  du niveau considéré.

Exemple :

Le tableau précédent donne pour le voile (a)  $H = 23,69 t$  dû à  $H_y = 43,82 t$  situé au niveau 25,2 m.

$H_x$  du voile (a) pour le niveau 22,4 m dû à  $H_y = 92,16 t$ . sera égale à

$$H_x = \frac{23,69 \times 92,16}{43,82} = 49,82 t.$$

niveau 22.4 m

$$\bar{H}_x = 92.16 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
$H_x(t)$	49.82	24.94	9.82	7.52

niveau 19.6 m

$$\bar{H}_x = 134.15 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
$H_x(t)$	72.52	36.30	14.29	10.94

niveau 16.8 m

$$\bar{H}_x = 170.97 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
$H_x(t)$	92.42	46.26	18.21	13.94

niveau 14.00m

$$\bar{H}_x = 201.09 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
$H_x(t)$	108.70	54.40	21.42	16.39

VOILE	A	B	C	D
Hx(t)	121.76	60.93	23.99	18.35

NIVEAU 11.2m

$$\bar{H}_x = 225.26 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
Hx(t)	131.60	65.85	25.93	19.83

NIVEAU 8.4m

$$\bar{H}_x = 243.47 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
Hx(t)	138.03	69.09	27.60	20.60

NIVEAU 5.6m

$$\bar{H}_x = 255.38 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
Hx(t)	141.25	70.67	27.83	21.28

NIVEAU 2.8m

$$\bar{H}_x = 261.33 \text{ t}$$

**LES DISTRIBUTION DES MOMENTS AUX VOILES**

(Forces sismiques horizontales)

Voile	A	B	C	D
25.2	0	0	0	0
22.4	66.33	33.201	13.07	10.24
19.6	205.83	103.04	40.57	31.08
16.8	408.82	204.68	80.58	61.72
14.00	667.66	334.20	131.57	100.74
11.2	972.02	486.52	191.55	146.10
8.4	1312.95	657.132	258.72	198.01
5.6	1681.43	841.51	331.32	253.54
2.8	2067.91	1034.90	407.48	311.78
0.0	2463.46	1232.78	484.28	371.66

SEISME AGISSANT TRAVERSAMENT

NIVEAU : 25.2 m       $\Delta_x = 3.25 \text{ m}$   
 $\Delta_y = 43.62 \text{ m}$

VORTE	$Ie^{xx}$	X	$Ie^{xx}X$	$Ie^{xx}X^2$	$H'y$	$H''y$	$H_y$
1	23.421	-15.56	389.46	3259.85	7.42	-2.82	4.39
2	10.47	-11.83	-123.9	1466.5	5.84	-1.67	4.17
3a	0.638	-8.086	-5.16	41.714	0.360	-0.07	0.200
3b	2.173	-8.086	-17.57	142.08	1.21	-0.237	0.97
4	12.44	-4.335	-53.92	233.77	6.93	-0.729	6.20
5	0.3375	-2.585	-0.872	2.355	0.19	-0.011	0.17
6	0.68%	-0.58%	-0.401	0.234	0.380	-0.005	0.370
7	1.445	+3.165	+4.573	14.474	0.81	0.061	0.86
8	11.68	+6.915	+80.77	558.52	6.52	1.053	7.61
9	8.735	+10.665	+93.16	993.54	4.87	1.25	6.12
10	16.456	+14.41	+273.13	217.06	9.18	3.69	12.87
	78.481		10129.975				

NIVEAU 22.4 m

$\bar{y}_y = 92.64$

VOILLE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
$\Sigma y$	9.65	8.77	0.59	2.04	13.04	0.357	0.78	1.80	16.00	12.87	27.06

NIVEAU 19.6 m

$\bar{y}_y = 134.15$

VOILLE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
$\Sigma y$	14.04	12.76	0.86	2.96	18.98	0.519	1.13	2.62	23.28	8.73	39.38

NIVEAU 16.8 m

$\bar{y}_y = 170.97$

VOILLE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
$\Sigma y$	17.89	16.26	1.09	3.77	24.18	0.66	1.44	3.33	29.66	23.87	50.10

NIVEAU 14 m

$\bar{y}_v = 201.09 t$

VOIE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
$y_v$	21.04	19.12	1.26	4.43	20.43	0.77	1.69	3.91	34.88	29.07	59.02

NIVEAU 11.2 m

$\bar{y}_v = 225.26 t$

VOIE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
$y_v$	23.56	21.41	1.43	4.98	31.84	0.86	1.98	4.37	39.07	31.44	66.11

NIVEAU 8.4 m

$\bar{y}_v = 243.47 t$

VOIE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
$y_v$	25.46	23.14	1.54	5.36	34.41	0.92	2.04	4.72	42.22	33.98	71.45

NIVEAU 3.60m

Hg=255.38t

VOILE	1	2	3	3b	4	5	6	7	8	9	10
Hg	26.70	24.27	1.61	5.62	35.98	0.96	2.12	4.95	44.28	35.64	74.94

NIVEAU 2.6m

Hg =261.33t

VOILE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
Hg	27.38	24.83	1.64	5.75	36.81	0.98	2.17	3.06	45.31	36.47	76.68

III) DISTRIBUTION DES MOMENTS AUX VOILES (Forces sismiques horizontales)

( TOUTES LES VALEURS SONT DONNEES EN m/t)

voile niveau	1	2	3 <sub>a</sub>	3 <sub>b</sub>	4	5	6	7	8	9	10
25,2m	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
22,4m	12.85	11.61	0.78	2.71	17.36	0.470	1.03	2.40	21.30	17.13	<b>36.03</b>
19,6m	39.97	36.23	2.43	8.43	53.87	1.47	3.22	7.44	66.10	53.17	<b>111.80</b>
16,8m	79.18	71.96	4.84	16.71	107.01	2.90	6.38	14.78	131.29	105.61	<b>222.06</b>
14,0m	129.27	117.48	7.89	27.27	174.72	4.75	10.41	24.10	214.34	172.45	<b>362.57</b>
11,20m	<b>188.18</b>	171.02	11.47	<b>39.67</b>	<b>254.32</b>	<b>6.90</b>	<b>15.14</b>	<b>35.05</b>	<b>312.80</b>	251.04	<b>527.82</b>
8,60m	<b>254.15</b>	230.97	15.48	<b>53.56</b>	<b>343.47</b>	<b>9.21</b>	<b>20.44</b>	<b>47.29</b>	<b>421.40</b>	339.09	712.93
5,60m	<b>325.44</b>	295.76	19.79	<b>68.57</b>	439.82	11.89	27.10	60.50	539.61	434.22	912.99
2,80m	400.20	363.72	24.30	84.30	540.56	14.57	33.12	74.36	663.60	534.01	<b>1122.82</b>
0,00m	170.70	433.24	28.89	100.40	643.63	17.32	39.20	<b>88.53</b>	790.46	636.13	<b>1337.53</b>

ÉTUDE - SELON - R.P.A. 81

SYSTÈME AGISSANT LONGITUDINALEMENT

$$\bar{H}_x = 41.58 \text{ t} \quad e_y = 0,96 \text{ m}$$

NIVEAU 25,20m

VOILE	$I_e^{yy}$ ( $\text{m}^4$ )	Y(m)	$I_e^{yy} \cdot Y$ ( $\text{m}^5$ )	$I_e^{yy} Y$ ( $\text{m}^6$ )	$H_x^t$ (t)	$H_x^t(t)$	$H_x$ (t)	$J(\text{m}^6)$
VL <sub>A</sub>	34,501	2,060	+71,070	146,404	22,218	+0,269	22,479	10520,359
VL <sub>B</sub>	17,598	1,140	-20,061	32,870	11.33	-0,076	11.25	10520,359
VL <sub>C</sub>	7,031	-3,59	-25,241	90,616	4.52	-0,095	4.43	10520,359
VL <sub>D</sub>	5,435	-4,90	-26,631	130,494	3.49	-0,10	3.39	10520,359
$\sum$	64,564			390,384				

$$J = \sum I_e^{yy} \cdot Y^2 + \sum I_e^{xx} \cdot X^2 = 10520,359 \text{ m}^6$$

VOILE	A	B	C	D
$H_x(t)$	47.23	23.64	9.30	7.12

NIVEAU 22,4 m

$$\bar{H}_x = 87.38 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
$H_x(t)$	68.88	34.47	13.56	10.30

NIVEAU 19,6 m

$$\bar{H}_x = 127.44 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
$H_x(t)$	87.44	43.75	17.21	13.07

NIVEAU 16,80m

$$\bar{H}_x = 161.18 \text{ t}$$

VOILE	A	B	C	D
$H_x(t)$	102.90	51.48	20.25	15.32

NIVEAU 14,00m

$$\bar{H}_x = 190.40 \text{ t}$$

NIVEAU 11,20m  $\bar{E}_x = 213,30$  t

VOILE	A	B	C	D
	115.27	57.67	22.68	17.22

NIVEAU 2,40  $\bar{E}_x = 230,47$  t

VOILES	A	B	C	D
$E_x$ (t)	124.54	62.32	24.50	18.90

NIVEAU 5,60m  $\bar{E}_x = 241,91$  t

VOILES	A	B	C	D
$E_x$ (t)	130.72	65.40	25.71	19.52

NIVEAU 2.80m  $\bar{E}_x = 247,14$  t

VOILE	A	B	C	D
$E_x$ (t)	133.54	66.81	26.26	19.94

DISTRIBUTION DES MOMENTS SUR LES VOILES

VOILES $\Phi^*(m)$	A	B	C	D
25,20m	0	0	0	0
22,40m	62.94	31.50	12.40	9.49
19,60m	195.18	97.69	38.44	29.42
16,80m	388.04	194.20	76.41	58.26
14,00m	639.87	316.70	124.60	94.86
11,20m	927.99	460.85	181.30	137.92
8,40m	1250.75	622.32	244.80	186.14
5,60m	1599.56	796.79	313.40	238.22
2,80m	1965.48	979.91	385.39	292.98
0,00	2339.39	1166.98	458.92	348.71

SEISME AGISSANT TRANSVERSALEMENT.

$$\bar{H}_y = 41,98 \text{t} \quad e_y = 3,25 \text{m}$$

NIVEAU 25,00 m

VOILE	$I_{e,x}^4$ (m $^4$ )	X(m)	$I_{e,x}^{xx}$	$I_{e,x}^{xx^2}$	$H'y(t)$	$H''y(t)$	$H_y(t)$
1	13,421	-15,58	-209,163	259,85	7.11	-0.732	6.31
2	10,47	-11,83	-123,91	1466,50	5.54	-0.469	5.07
3a	0,638	-8,08	-5,158	41,71	0.337	-0.019	0.318
3b	2,17	-8,08	-17,57	142,07	1.15	-0.066	1.084
4	12,44	-4,33	-53,92	233,77	6.59	-0.204	6.386
5	0,337	-2,58	-0,87	2,25	0.178	-0.003	0.173
6	0,685	-0,58	-0,41	0,23	0.363	-0.001	0.362
7	1,44	+3,16	+4,57	14,47	0.365	+0.016	0.781
8	11.68	+6.91	+80.77	558.50	6.18	+0.306	6.48
9	3,735	+10,66	93,16	993,54	4.62	0.352	4.97
10	16,45	+14,41	+273,13	417,07	8.71	+1.03	9.74
	78.481			10123.975			

NIVEAU 22.40 m

$$\bar{H_y} = 87.38 \text{ t}$$

VOILE	1	2	3	3b	4	5	6	7	8	9	10
$H_y$	13.26	10.65	0.66	2.27	13.42	0.36	0.76	1.64	13.61	10.44	20.46

NIVEAU 19.60 m

$$\bar{H_y} = 127.44 \text{ t}$$

VOILE	1	2	3	3b	4	5	6	7	8	9	10
$H_y$	19.33	15.53	0.96	3.31	19.57	0.53	1.10	2.39	19.84	15.22	29.84

NIVEAU 16.80 m

$$\bar{H_y} = 161.78 \text{ t}$$

VOILE	1	2	3	3b	4	5	6	7	8	9	10
$H_y$	24.03	19.71	1.21	4.20	24.84	0.67	1.39	3.03	25.18	19.32	37.88

NIVEAU 14.00m

$$\bar{H}_y = 190.40 \text{ t}$$

VOILE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
H y	28.86	23.19	1.42	4.94	29.23	0.78	1.63	3.56	29.63	22.73	44.58

NIVEAU 11.2 m

$$\bar{H}_y = 213.30 \text{ m}$$

VOILE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
H y	32.33	25.97	1.59	5.53	32.74	0.87	1.82	3.98	33.19	25.46	49.94

NIVEAU 8.4 m

$$\bar{H}_y = 230.47 \text{ t}$$

VOILE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
H y	34.93	28.06	1.71	5.97	35.37	0.94	1.96	4.30	35.86	27.50	53.96

NIVEAU 5.60 m

$\bar{H}_y = 241.91$  t

VOILE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
$H_y$	36.66	29.45	1.79	6.26	37.12	0.98	2.05	4.51	37.64	28.86	56.63

NIVEAU 2.80 m

$\bar{H}_y = 247.14$  t

VOILE	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
$H_y$	37.45	30.08	1.82	6.39	37.92	1.00	2.09	4.60	38.45	29.48	57.85

DISTRIBUTION DES MOMENTS AUX VOILES  
 (Selon les forces sismiques horizontales)

voile Niveau	1	2	3a	3b	4	5	6	7	8	9	10
25.2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
22.4	17.66	14.1	0.89	3.035	17.88	0.49	1.01	2.18	18.14	13.91	27.27
19.6	54.79	44.01	2.73	9.39	55.45	1.51	3.14	6.77	56.25	43.14	84.56
16.8	108.92	87.50	5.42	18.65	110.25	3.00	6.22	13.47	111.80	85.76	168.11
14.0	177.60	142.68	8.51	30.41	179.80	4.87	10.11	21.95	182.30	139.86	274.17
11.2	258.41	207.62	12.79	44.25	201.64	7.06	14.67	31.92	265.27	203.50	399.00
8.4	348.93	280.33	17.24	59.73	353.32	9.49	19.77	43.066	358.20	274.79	538.83
5.6	446.74	358.90	22.03	76.45	452.35	12.12	25.26	55.10	458.61	351.79	689.92
2.8	549.36	441.36	27.04	93.98	556.29	14.87	31.00	67.73	564.00	432.60	848.48
0.0	654.24	525.58	32.13	111.87	662.46	17.67	36.85	80.61	671.66	515.14	1010.45

## **— CHAPITRE 6 —**

**— ETUDE DES VOIES —**

## I . Introduction .

Les voiles ayant participé au contreventement feront l'objet de notre étude.

Parmi ces refends, nous distinguerons les refends pleins, et les refends avec ouvertures. La méthode utilisée pour le calcul des efforts sollicitant chaque élément de refend est celle exposée dans l'ouvrage de Mr M.Diver. "Calcul Pratique des Tours en Béton Armé".

Remarque : Détermination des efforts internes M,N et T engendrés par les forces latérales.

La méthode développée d'ALBIGES et GOULET est donnée pour un chargement rectangulaire, dû au vent, mais dans notre cas, nous avons un chargement triangulaire dû au séisme.

Pour cela nous avons fait une modification dans la première formule dont nous donnerons la démonstration plus loin.

## 2. Sollicitations Horizontales.

### 2.1 Refends à une file d'ouverture :

#### a/ Hypothèse.

- Les efforts localisés transmis par les linteaux peuvent être considérés comme répartis le long de la fibre moyenne de chaque élément de refend.
- Les éléments de refend subissent le même déplacement horizontal au niveau de chaque étage. De ces deux hypothèses, on peut admettre qu'un refend avec ouvertures peut être assimilé du point de vue de la résistance aux efforts horizontaux, à la structure constituée par deux éléments de refends liés par des linteaux uniformément distribués sur la hauteur du bâtiment.

#### b/ Etude des linteaux

Etapes de ma méthode exposées dans l'ouvrage de M.DIVER.

- Etablir  $\frac{y}{z} = \frac{z}{Z}$  où :  $y$  : côté du niveau considéré  
 $z$  : hauteur du bâtiment.

.../...

- Ayant  $\alpha$  et  $\psi$ , on détermine la valeur de  $\Phi$  à partir de l'abaque B. 23 a.
- Calculer l'effort tranchant à la section d'encastrement du linteau à partir de la formule suivante.

$$\bar{\alpha} = H_0 \frac{m}{l} \frac{1}{\Phi}$$

$H_0$  : Effort tranchant d'ensemble à la base du refend.

- Dimensionner le linteau en le considérant comme une poutre encastrée aux extrémités.  
Le moment d'encastrement  $M = \bar{\alpha} \cdot a$ , l'effort tranchant  $T = \bar{\alpha}$  et les efforts provenant du plancher seront superposés.

#### c/ Etude des éléments de refends.

Le calcul des éléments de refends est effectué au droit de chaque linteau.

- Avec  $\alpha$  et  $\psi$  trouver la valeur de  $\Phi$  à partir de l'abaque B.23b.

- Calculer les moments dans les éléments de refends.

$$M_1 = \frac{I_1}{I_1 + I_2} H_0 z \left[ \frac{(1-\frac{\psi}{3})^2 (2+\frac{\psi}{3})}{3} - \frac{2cm}{I} \psi \right]$$

$$M_2 = \frac{I_2}{I_1 + I_2} H_0 z \left[ \frac{(1-\frac{\psi}{3})^2 (2+\frac{\psi}{3})}{3} - \frac{2cm}{I} \psi \right]$$

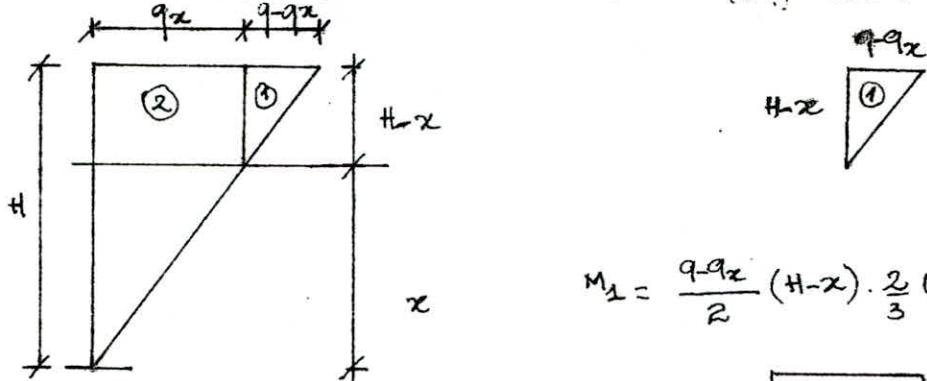
- Calculer les forces axiales dans les éléments des refend provoqués par l'action sismique.

A chaque étage on obtient  $N = \sum \bar{\alpha}$  où  $\sum \bar{\alpha}$  est la somme des efforts à partir du sommet jusqu'à l'étage considéré.

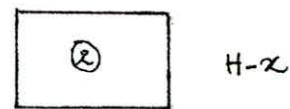
Démonstration de la formule donnant les moments dans les refends.

Dans le cas du séisme nous avons une charge qui est triangulaire.

DÉMONSTRATION DE LA FORMULE DONNANT LES MOMENTS AINSI  
LES RÉFENDS POUR UNE CHARGE TRIANGULAIRE. (SEIGNE)



$$M_1 = \frac{q-q_x}{2} (H-x) \cdot \frac{2}{3} (H-x) = \frac{q-q_x}{3} (H-x)^2$$



$$M_2 = q_x \cdot \frac{(H-x)^2}{2}$$

$$\text{donc } M = M_1 + M_2 = \frac{1}{3} (q-q_x) (H-x)^2 + \frac{q_x}{2} (H-x)^2$$

$$\text{d'autre part nous avons } \frac{q_x}{q} = \frac{x}{H} \Rightarrow q_x = q \frac{x}{H} \text{ et } \frac{x}{H} = \frac{\psi}{3}$$

$$M = \frac{1}{3} \left( q - q \frac{x}{H} \right) (H-x)^2 + q \frac{x}{2H} (H-x)^2$$

$$M = (H-x)^2 \left[ \frac{1}{3} \left( q - q \frac{x}{H} \right) + q \frac{x}{H} \right]$$

$$M = q \frac{(H-x)^2}{6} \left( 2 + \frac{\psi}{3} \right) = \frac{q}{6} \left[ H \left( 1 - \frac{x}{H} \right) \right]^2 \left( 2 + \frac{\psi}{3} \right)$$

$$M = \frac{q}{6} H^2 \left( 1 - \frac{\psi}{3} \right) \left( 2 + \frac{\psi}{3} \right) \text{ et } H_0 = q \frac{H}{2} \Rightarrow q = \frac{2H_0}{H} \text{ avec } H=2$$

$$M = \frac{H_0 \psi}{3} \left( 1 - \frac{\psi}{3} \right)^2 \left( 2 + \frac{\psi}{3} \right)$$

Les moments dans les éléments de réfend sont

$$M_1 = \frac{I_1}{I_1 + I_2} \left[ M - \frac{2C}{h} \int_x^H \pi dx \right]$$

$$M_2 = \frac{I_2}{I_1 + I_2} \left[ M - \frac{2C}{h} \int_x^H \pi dx \right]$$

$$\text{avec } \int_x^H \pi dx = \frac{H_0 m h \psi}{I} \cdot \psi(\alpha, \psi)$$

nous aurons donc

$$M_1 = \frac{I_1}{I_1 + I_2} H_0 \psi \left[ \frac{(1-\psi)^2 (2+\psi)}{3} - \frac{2cm \cdot \psi}{I} \right]$$

$$M_2 = \frac{I_2}{I_1 + I_2} H_0 \psi \left[ \frac{(1-\psi)^2 (2+\psi)}{3} - \frac{2cm \cdot \psi}{I} \right]$$

d/ Verification de l'Equilibre extérieur à la Base du Refend:

On doit avoir  $M = M_1 + M_2 + 2 N.C$

où  $M$  : moment d'ensemble distribué au refend pris en considération. Les valeurs  $M, M_1, M_2$  et  $N$  sont ceux calculés à la base du refend.

e/ Cas des petites ouvertures:

Quand  $\alpha > 10$  on peut considérer que pratiquement  $\alpha \rightarrow \infty$   
les variations de  $\Phi$  et  $\kappa$  sont linéaires.

A la base:  $\Phi = 1 ; \kappa = \frac{H_0 m l}{l}$

Au sommet:  $\Phi = 0 ; \kappa = 0$

Le refend se comporte comme un mur plein, l'influence des ouvertures ayant un caractère local.

$$\kappa = \frac{H_0 m l}{I} (1 - \frac{l}{S})^2$$

f/ Cas de grandes ouvertures

Quand  $\alpha < 1$ , on peut considérer que pratiquement  $\alpha \rightarrow 0$   
en conséquence  $\Phi = 0$  et  $\kappa = 0$ , la rigidité des linteaux étant très faible les deux éléments de refend sont simplement entretoisés par les linteaux donc assujettis aux mêmes déformations horizontales. La répartition du moment fléchissant est proportionnelle aux inerties des refends ( $\Psi = 0$ ).

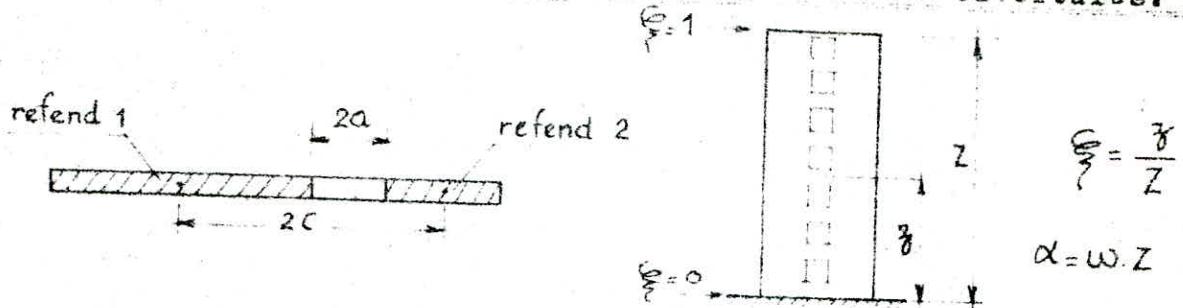
$$M_1 = \frac{I_1}{I_1 + I_2} M ; \quad M_2 = \frac{I_2}{I_1 + I_2} M$$

Conclusion

L'examen des contraintes donne une idée du comportement du refend. On voit que les petites ouvertures ne l'affectent pratiquement pas. L'accroissement des dimensions des ouvertures perturbe le comportement du refend, qui se sépare en deux éléments distincts quand ces ouvertures deviennent relativement très grandes.

.../...

Calcul pratique des refouls à une file d'ouvertures.



cas d'ouvertures	$\alpha$	$\pi$	$N$	$M$
cas général	$\alpha = w.z$	$\pi = H_o \frac{ml}{I} \phi$	$N = \sum \pi$	$M_1 = \frac{I_1}{I_1 + I_2} H_o Z \left[ \frac{(1-\phi)^2}{2} - \frac{2cm}{I} \psi \right]$ $M_2 = \frac{I_2}{I_1 + I_2} H_o Z \left[ \frac{(1-\phi)^2}{2} - \frac{2cm}{I} \psi \right]$
petites ouvertures	$\alpha > 10$	$\pi = H_o \frac{ml}{I} (1-\phi)$	$N = \sum \pi = \frac{M}{2C}$	$M_1 = M_2 = 0$
grandes ouvertures	$\alpha < 1$	$\pi = 0$	$N = 0$	$M_1 = \frac{I_1}{I_1 + I_2} H_o \frac{Z}{2}$ $M_2 = \frac{I_2}{I_1 + I_2} H_o \frac{Z}{2}$

Pour l'effort tranchant  $\tau$  dans les linteaux, sa valeur diminue généralement au fur et à mesure que les ouvertures augmentent pour devenir négligeable quand  $a \ll 1$ ; ne font exception à cette règle que les linteaux proches du sommet.

## 2.2 Refend à plusieurs files d'ouvertures

La méthode utilisée pour le calcul des refends à une file d'ouverture peut être généralisée dans le cas des refends à plusieurs files d'ouvertures, en négligeant la déformation due aux efforts normaux dans les éléments de refend,

$$\alpha = w.z. \quad \text{avec } w = \frac{6E}{E(I_1 + I_2 + \dots)} \left( \frac{i_{c1}}{a_1} + \frac{i_{c2}}{a_2} + \dots \right)$$

Ensuite on calcule l'effort tranchant dans les linteaux.

Pour la première série de linteaux.

$$T_1 = H_0 l \frac{i_{c1}}{2a_1^2 \left( \frac{i_{c1}}{a_1} + \frac{i_{c2}}{a_2} + \dots \right)} \phi$$

Pour la détermination de  $\phi$ , on utilise l'abaque B.23.a.  
de même, on évalue  $T_2, T_3, \dots$ , etc.

$$N_1 = \sum T_1$$

$$N_2 = \sum T_2 - \sum T_1$$

$$N_3 = \sum T_3 - \sum T_2$$

$(2T_1, 2T_2, \dots)$  étant les sommes des efforts  $\tau$  à partir du sommet jusqu'à l'étage considéré.

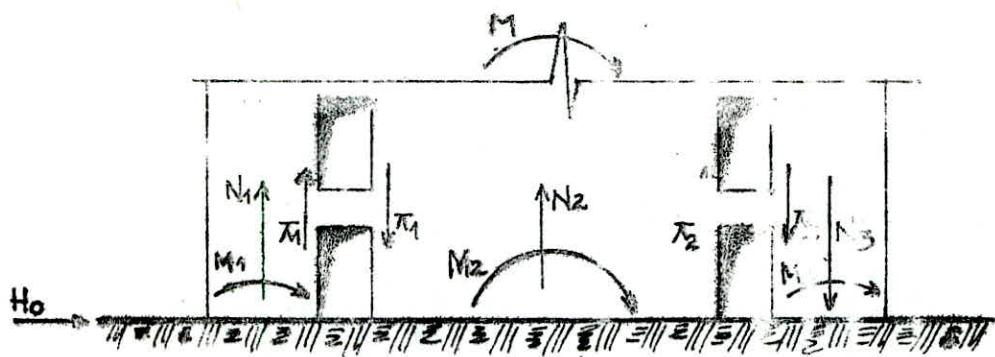
Les moments dans les éléments de refend sont donnés approximativement par la formule.

$$M_1 = \frac{I_1 H_0 Z}{I_1 + I_2 + \dots} \left[ \frac{(1-\frac{1}{3})^2 (2+\frac{1}{3})}{3} - \psi \right]$$

$$M_2 = \frac{I_2 H_0 Z}{I_1 + I_2 + \dots} \left[ \frac{(1-\frac{1}{3})^2 (2+\frac{1}{3})}{3} - \psi \right]$$

Pour l'évaluation des valeurs de  $\psi$  on utilise la figure B.23b on vérifie l'équilibre extérieur par la relation.

$$M = M_1 + M_2 + M_3 + \dots + 2N(C_1 + C_2 + \dots) \\ + 2N_2 (C_2 + C_3 + \dots) + \dots$$



Vérification à la base

Il faut que  $M_i = M_1 + M_2 + M_3 + 2N_1(C_1 + C_2) + N_2C_2$   
doit être égale à  $-M$  (moment extérieur c).

$$\text{avec : } N_1 = \sum \pi_1$$

$$N_2 = \sum \pi_2 - \sum \pi_1$$

$$N_3 = \sum \pi_3 - \sum \pi_2$$

APPLICATION Au voile transversale 36 (2 files ouvertes)

$$M_i = 0,922 + 0,00105 + 0,123 + \dots + 0,762 = 9,237 + 0,762 \\ - 2 \cdot (11,478) \cdot (0,762)$$

$$M_i = 105,594 \text{ t.m}$$

$$M_e = 100,400 \text{ t.m}$$

Les résultats pour les autres voiles sont regroupés sous forme de tableaux.

VOILE TRANSVERSAL -3B-

A DEUX FILES D'OUVERTURES

NIVEAU	$\xi$	$\Phi$	$\sim u$	$(\bar{t})^1$	$(\bar{t})^2$	$M$ (tm) <sup>1</sup>	$M$ (tm) <sup>2</sup>	$M$ (tm) <sup>3</sup>	$N$ (t) <sup>1</sup>	$N$ (t) <sup>2</sup>
25.2	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
22.4	0.888	0.	0.02	0.940	0.596	-1.097	-0.012	-0.028	0.940	-0.35
19.6	0.777	0.4	0.05	1.904	1.200	-0.548	-0.006	-0.014	0.467	-1.05
16.8	0.666	0.55	0.1	2.616	1.650	-0.118	-0.0014	-0.029	5.469	-3.22
14.0	0.555	0.7	0.17	3.330	2.090	-0.186	-0.0021	-0.0047	8.804	-4.459
11.2	0.444	0.81	0.27	3.860	2.430	-2.51	-0.028	-0.064	12.660	-5.890
8.4	0.333	0.89	0.36	4.240	2.660	-1.94	-0.0228	-0.049	16.900	-6.259
5.6	0.222	0.95	0.46	4.529	2.850	-1.615	-0.0184	-0.041	21.430	-7.935
2.8	0.111	0.98	0.56	4.670	2.940	-0.536	-0.0061	-0.013	26.100	-9.665
0.0	0.000	1.00	0.66	4.760	3.000	+0.922	+0.0105	+0.023	30.87	-11.429

VOTED LONGITUDE = 45°  
A DEK METERS D COORDINATES

DEGREE	$\Psi$	$\Phi$	$\psi$	$T_1$	$T_2$	$M_1$	$M_2$	$M_3$	$X_1$	$X_2$	$X_3$
23.2	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
22.4	0.888	0.2	0.02	6.93	8.78	-17.03	-10.64	-0.439	6.93	1.85	-8.78
19.6	0.777	0.4	0.05	13.20	17.98	-8.53	-5.32	0.22	20.83	5.53	-26.36
16.8	0.666	0.55	0.1	19.07	21.17	-1.85	-1.15	-0.046	39.9	10.63	-50.53
14.0	0.555	0.7	0.17	24.27	30.77	+2.89	-1.80	-0.074	64.17	17.13	-81.30
11.2	0.444	0.81	0.27	28.09	35.60	-39.02	-24.35	-1.006	92.26	24.64	-116.90
8.4	0.333	0.89	0.36	30.86	39.13	-30.17	-18.82	-0.777	123.12	32.91	-156.03
5.6	0.222	0.95	0.46	32.94	41.76	-25.14	-15.68	-0.648	156.06	41.73	-197.79
2.8	0.111	0.98	0.56	33.99	43.06	-8.34	-5.20	-0.214	190.05	50.80	-240.85
0.0	0.000	1.0	0.66	34.68	43.90	+14.34	+8.94	+0.369	224.73	60.02	-284.73

TABLE LONGITUDINALE - B.

niveau	$\gamma$	$\phi$	$\pi$ (t)	$\psi$	$\Pi_4$ (t.m)	$\Pi_3$ (t.m)	$N$ (t)
25,20	1	0,23	3,79	0,01	10,96	0,142	3,79
22,40	0,888	0,29	5,48	0,04	22,60	0,295	9,27
19,60	0,777	0,42	7,96	0,054	21,73	0,284	17,23
16,80	0,666	0,55	10,43	0,13	31,61	0,415	27,66
14,00	0,555	0,68	11,95	0,18	32,19	0,296	39,61
11,20	0,444	0,73	13,48	0,26	197,75	2,062	53,80
8,40	0,333	0,76	14,91	0,36	213,63	2,793	67,90
5,60	0,222	0,72	13,57	0,44	305,85	3,933	81,51
2,80	0,111	0,53	11,01	0,51	418,65	5,474	92,96
0,00	0,00	0,00	0,000	0,53	531,06	7,789	92,96

VOILE LONGITUDINAL -D-  
A DEUX FILETS D'OUVERTURES

NIVEAU	$\delta$	$\Phi$	$\Psi$	$X_1$	$X_2$	$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_1$	$X_2$
25.2	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
22.4	0.238	0.2	0.02	2.61	1.016	-0.0113	-4.135	-15.580	2.610	-1.830
19.6	0.777	0.4	0.03	3.820	2.037	-0.005	-2.037	-7.670	7.830	-5.430
16.8	0.666	0.55	0.1	7.18	2.790	-0.001	-0.444	-1.670	15.010	-10.530
14.0	0.555	0.7	0.18	9.14	3.360	-0.002	-0.696	-2.620	24.150	-16.940
11.2	0.444	0.84	0.27	10.27	4.110	-0.026	-0.550	-35.770	34.780	-24.360
8.4	0.333	0.89	0.36	11.62	4.520	-0.020	-7.322	-27.600	46.340	-32.210
5.6	0.222	0.95	0.46	12.400	4.830	-0.017	-5.050	-22.800	58.740	-41.210
2.8	0.111	0.98	0.55	12.790	4.980	-0.005	-2.030	-7.670	71.530	-50.450
0	0.00	1.0	0.66	13.06	5.090	+0.009	+3.504	+13.200	84.590	-51.665

TOILE TRANSVERSAL -2-  
A L'EX FILE D'OUVERTURE

1  
1114

NIVEAU	$\Sigma$	$\Phi$	$\pi$	$\psi$	$M_1$	$M_2$	$\pi$
23.2	1	0.22	2.17	0.01	-3.570	-1.51	2.170
22.4	0.898	0.29	2.072	0.03	-5.444	-2.313	5.048
19.6	0.777	0.4	3.96	0.07	-4.960	-3.060	9.010
18.8	0.666	0.55	3.45	0.12	-0.533	-0.223	14.460
16.0	0.555	0.66	6.53	0.18	9.530	4.850	21.000
11.2	0.444	0.75	7.43	0.27	13.81	5.865	28.433
8.4	0.333	0.79	7.82	0.36	22.88	9.727	36.260
5.6	0.222	0.75	7.43	0.43	33.56	13.110	43.690
2.8	0.111	0.78	5.76	0.52	57.81	26.560	49.430
0.0	0.000	0.00	0.00	0.56	91.710	38.980	49.430

VOILE TRANSVERSAL -4-  
A DEUX D'OUVERTURES

NIVEAU	$\Sigma$	$\Phi$	$\Psi$	$\Delta$	$(+)\Delta^2$	$M_1$ (tm)	$M_2$ (tm)	$M_3$ (tm)	$N_1$ (+)	$N_2$ (+)	$N_3$ (+)
25.2	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
22.4	0.888	0.2	0.02	0.614	4.489	-1.73	-0.493	-5.110	0.614	3.875	-4.489
19.6	0.777	0.4	0.05	1.229	8.978	-0.868	-0.246	-2.550	1.844	11.628	-13.467
16.8	0.666	0.55	0.1	1.690	12.340	-0.189	-0.053	-0.557	3.535	-22.280	-25.807
14.0	0.555	0.7	0.17	2.152	15.710	-0.290	-0.083	-0.868	5.687	-35.840	-41.517
11.2	0.444	0.81	0.27	2.490	18.140	-3.977	-1.130	-11.71	8.178	-51.490	-59.657
8.4	0.333	0.89	0.36	2.737	19.980	-3.074	-0.872	-9.048	10.910	-68.740	-79.637
5.6	0.222	0.95	0.46	2.910	21.300	-2.561	-0.727	-7.540	13.830	-87.140	-100.937
2.8	0.111	0.98	0.56	3.013	22.00	-0.85	-0.241	-2.504	16.84	-106.130	-122.937
0.0	0.000	1.00	0.66	3.074	22.440	-1.311	+0.364	+3.890	19.920	-125.504	-145.377

VOILE TRANSVERSAL -7-  
AUNE FILE D'OUVERTURE

NIVEAU	$\zeta$	$\Phi$	$\Psi$	$\pi(t)$	$M(t_m)$	$M(t_m)^2$	$N(t)$
25.2	0	0	0	0	0	0	0
22.4	0.888	0.2	0.944	0.02	-0.164	-0.803	0.944
19.6	0.777	0.4	1.88	0.05	-0.068	-0.336	2.830
16.8	0.666	0.55	2.59	0.1	+0.012	+0.0627	5.429
14.0	0.555	0.7	3.30	0.17	-0.024	-0.121	8.730
11.2	0.444	0.81	3.822	0.27	-0.304	-1.493	12.559
8.4	0.333	0.89	4.200	0.36	-0.185	-0.917	16.760
5.6	0.222	0.95	4.48	0.46	-0.0104	-0.512	21.240
2.8	0.111	0.98	4.63	0.56	+0.094	0.463	25.870
0.0	0.000	1.00	4.72	0.66	+0.128	+0.631	30.600

VOILE TRANSVERSAL - 8-  
A DEUX FILE D'OUVERTURES

NIVEAU	$\psi$	$\bar{\Phi}$	$\bar{\Psi}$	$t\bar{M}_1$	$t\bar{M}_2$	$t_m M_1$	$t_m M_2$	$t_m M_3$	$t_N N_1$	$t_N N_2$	$t_N N_3$
25.2	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
22.4	0.888	0.2	0.02	2.663	3.520	-8.210	-1.736	-0.417	2.663	0.857	-3.520
19.6	0.777	0.4	0.05	5.326	7.040	-4.110	-0.869	-0.208	7.989	2.571	-10.56
16.8	0.666	0.55	0.1	7.323	9.680	-0.895	-0.189	-0.045	15.312	4.928	-20.24
14.0	0.555	0.7	0.17	9.321	12.320	-1.398	-0.295	-0.071	24.633	7.927	-32.56
11.2	0.444	0.81	0.27	10.785	14.256	-18.82	-3.980	-0.956	35.413	11.398	-46.816
8.4	0.333	0.89	0.35	11.851	15.664	-14.540	-3.075	-0.738	47.269	15.211	-62.430
5.6	0.222	0.95	0.46	12.650	16.720	-12.116	-2.562	-0.615	59.919	19.281	-79.20
2.8	0.111	0.98	0.56	13.049	17.248	-4.020	-0.850	-0.204	72.968	23.480	-96.448
0.0	0.000	1.0	0.66	13.316	17.601	+6.220	+1.315	+0.315	86.284	27.765	-114.049

VOILE TRANSVERSAL 9  
A UNE FILE D'OUVERTURE

NIVEAU	$\frac{S}{S}$	$\bar{\Phi}$	$\bar{\Psi}$	$\bar{\Phi}$	M <sub>1</sub> tm	M <sub>2</sub> tm	N <sub>1</sub>
25.2	1	0.2	0	3.121	221.760	385.860	3.121
22.4	0.888	0.23	0.03	3.592	-4.237	7.367	6.710
19.6	0.777	0.4	0.052	6.240	1.003	1.743	12.955
16.8	0.666	0.55	0.125	8.587	-1.403	-2.441	21.543
14.0	0.555	0.67	0.18	10.462	+6.590	11.460	32.000
11.2	0.444	0.76	0.26	11.866	+12.260	21.330	43.872
8.4	0.333	0.82	0.36	12.800	+16.060	27.950	56.670
5.6	0.222	0.78	0.46	12.179	+22.607	39.320	68.859
2.8	0.111	0.60	0.53	9.370	+39.220	68.240	78.230
0	0.00	1	0.56		+67.550	117.53	78.230

## DISTRIBUTION DES EFFORTS VERTICAUX SUR LES REFENDS

VOILE LONGITUDINAL ~~F2~~

niveau (m)	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P}{5}(t)$	$\sigma_v$	$s_{iv} (G+P/5) \sigma_v$
25.2	25.536	1.494	1.494	21.834	0.156	3.400
22.4	31.165	1.018	1.018	31.368	0.138	4.328
19.6	31.165	1.018	0.916	31.348	0.121	3.792
16.8	31.165	1.018	0.814	40.222	0.104	4.182
$\Sigma$	115.031	4.548	4.242	124.770	0.519	15.702
14	31.165	1.018	0.713	31.307	0.086	2.692
11.2	31.165	1.018	0.611	31.287	0.069	2.159
8.4	31.165	1.018	0.509	31.266	0.052	1.625
$\Sigma$	208.526	7.602	1.833	218.630	0.726	22.178
5.6	31.165	1.018	0.509	31.266	0.034	1.062
2.8	31.165	1.018	0.509	31.266	0.017	0.531
0.00	31.008	2.328	2.328	31.730	0.00	0.000
$\Sigma$	301.864	11.966	9.403	312.53	0.777	23.771

## VOLFE LONGITUDINAL B.

Niveau	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P'(t)}{5}$	$G_v$	$S_{iv} (G+P'/5) G_v$
25.2	31.686	3.031	3.031	32.292	0.156	5.031
22.4	33.545	3.709	3.709	34.286	0.138	4.73
19.6	33.543	3.709	3.338	34.210	0.121	4.14
16.8	33.543	3.709	2.967	34.136	0.104	3.55
$\Sigma$	132.317	14.158	13.045	134.924		17.45
14.0	33.543	3.709	2.586	34.062	0.086	2.93
11.2	33.543	3.709	2.225	33.988	0.069	2.34
8.4	33.543	3.709	1.854	33.913	0.052	1.76
$\Sigma$	232.946	25.285	19.719	236.887		24.48
5.6	33.543	3.709	1.854	33.913	0.034	1.15
2.8	33.543	3.709	1.854	33.913	0.017	0.58
0.0	32.967	8.479	34.662	0.087		0.00
$\Sigma$	332.599	41.182	31.906	339.376		26.22

## VOILE LONGITUDINAL

BUREAU	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P}{5}(t)$	$\sigma_v$	$s_{1v} (G+P/5) \sigma_v'$
25.2	12.360	1.475	1.475	12.655	0.156	1.974
22.4	21.669	2.581	2.581	22.185	0.138	3.061
19.4	21.669	2.581	2.323	22.133	0.121	2.295
16.8	21.669	2.581	2.065	22.082	0.104	2.295
$\Sigma$	77.367	9.218	8.444	79.055		10.007
14	21.669	2.581	1.806	22.036	0.086	1.893
11.2	21.669	2.581	1.548	21.978	0.069	1.516
8.4	21.669	2.581	1.29	21.927	0.052	1.139
$\Sigma$	142.374	16.961	13.088	144.99		14.555
5.6	21.669	2.581	1.29	21.927	0.034	0.745
2.8	21.669	2.581	1.29	21.927	0.017	0.372
0	18.635	5.9	5.9	19.815	0.00	0.00
$\Sigma$	204.347	28.023	21.568	208.659		15.672

## VOILE LONGITUDINAL

NIVEAU	$a(t)$	$P(t)$	$P'(t)$	$\frac{a+P}{5}(t)$	$\bar{G}_V$	$SIV(a+P/5) \bar{G}_V$
25.2	0.860	1.296	1.296	11.119	0.156	1.734
22.4	15.769	2.268	2.268	16.222	0.138	2.238
19.6	15.769	2.268	2.041	16.177	0.121	1.956
16.8	15.769	2.268	1.814	16.137	0.104	1.677
$\Sigma$	58.167	8.100	7.419	59.655		7.605
14.	15.769	2.268	1.587	16.086	0.086	1.382
11.2	15.769	2.268	1.360	16.041	0.069	1.106
8.4	15.769	2.268	1.134	15.995	0.052	0.831
$\Sigma$	105.474	14.904	11.50	107.777		10.924
5.6	15.769	2.268	1.134	15.995	0.034	0.543
2.8	15.769	2.268	1.134	15.995	0.017	0.271
0	15.419	5.184	5.184	16.455	0.00	0.00
$\Sigma$	152.43	24.624	18.952	156.222		11.738

## VOILE TRANSVERSAL -1-

NIÉAU	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P'}{5}(t)$	$\bar{G}_V$	Siv (G+P/5) $\bar{G}_V$
25.2	18.075	1.843	1.843	18.443	0.156	2.876
22.4	24.617	3.225	3.225	25.262	0.138	3.485
19.6	24.617	3.225	2.903	25.197	0.121	2.613
16.8	24.617	3.225	2.58	25.133	0.104	2.613
$\Sigma$	91.926	11.518	10.551	94.035		12.02
14	24.617	3.225	2.257	25.068	0.086	2.155
11.2	24.617	3.225	2.257	25.068	0.086	1.725
8.4	24.617	3.225	1.613	24.939	0.052	1.296
$\Sigma$	165.777	21.193	16.356	169.042		17.196
5.6	24.617	3.225	1.613	24.939	0.034	1.282
2.8	24.617	3.225	1.613	24.939	0.017	0.423
0	21.442	7.372	7.372	22.916	0	0
$\Sigma$	236.453	35.015	26.954	241.83		18.901

## VOILE TRANSVERSAL -2-

NIVEAU	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P'}{5}(t)$	$\zeta_v$	$S_{IV}(G+P')/5$	$\zeta_v'$
25.2	29.243	3.326	3.326	29.908	0.156	4.665	
22.4	32.695	5.82	5.82	33.859	0.138	4.672	
19.6	32.695	5.82	5.24	33.743	0.121	4.082	
16.8	32.695	5.82	4.65	33.625	0.104	3.495	
$\Sigma$	127.328	20.786	19.036	131.136		16.914	
14	32.695	5.82	4.07	33.509	0.086	2.881	
11.2	32.695	5.82	3.50	33.395	0.069	2.304	
8.4	32.695	5.82	2.91	33.277	0.052	1.730	
$\Sigma$	225.413	38.186	29.516	231.316		23.829	
5.6	32.695	5.82	2.91	33.277	0.034	1.130	
2.8	32.695	5.82	2.91	33.277	0.017	0.565	
0	28.571	13.305	13.305	31.232	0	0	
$\Sigma$	319.374	63.131	48.631	329.102		25.524	

## VOILE TRANSVERSAL - 3-

NIVEAU	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P'}{5}(t)$	$\bar{G}_v$	$S_{iv} (G+P')/5$	$\bar{G}_v$
25.2	27.414	3.11	3.11	28.036	0.156	4.370	
22.4	31.326	5.44	5.44	32.414	0.138	4.472	
19.6	31.326	5.44	4.89	32.304	0.121	4.265	
16.8	31.326	5.44	4.35	32.196	0.104	3.348	
$\Sigma$	106.378	15.11	13.84	109.812		14.118	
14	26.930	4.23	2.96	27.522	0.086	2.366	
11.2	26.930	4.23	2.54	27.438	0.069	1.892	
8.4	26.930	4.23	2.11	27.352	0.052	1.421	
$\Sigma$	187.168	27.80		192.124		19.797	
5.6	26.930	4.23	2.11	27.352	0.034	0.929	
2.8	26.930	4.23	2.11	27.352	0.017	0.464	
0	23.599	9.67	9.67	25.533	0	0	
$\Sigma$	264.627	45.93		272.361		21.190	

## VOILE TRANSVERSAL - 4 -

NIVEAU	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P'}{5}(t)$	$\tilde{\zeta}_v$	$S_{iv} (G+P')/5 \tilde{\zeta}_v$
25.2	25.588	2.42	2.42	26.072	0.156	4.066
22.4	26.930	4.23	4.23	27.796	0.138	3.832
19.6	26.930	4.23	3.81	27.692	0.121	3.350
16.8	26.930	4.23	3.38	27.604	0.104	2.870
$\Sigma$	106.378	15.11	13.84	109.812		14.118
14.0	26.930	4.23	2.96	27.522	0.086	2.366
11.2	26.930	4.23	2.54	27.438	0.069	1.892
8.4	26.930	4.23	2.11	27.352	0.052	1.421
$\Sigma$	87.168	27.80		192.124		19.797
5.6	26.930	4.23	2.11	27.352	0.034	0.929
2.8	26.930	4.23	2.11	27.352	0.017	0.464
0.0	23.599	9.67	9.67	25.533	0.00	0.00
$\Sigma$	264.627	45.93		272.361		21.190

## VOILE TRANSVERSAL - 5 -

NIVEAU	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P'}{5}(t)$	$\bar{G}_v$	$S_{IV}(G+P'/5) \bar{G}_v$
25.2	1.885	0.225	0.225	1.930	0.156	0.300
22.4	6.581	0.393	0.393	6.659	0.138	0.918
19.6	6.581	0.393	0.354	6.651	0.121	0.804
16.8	6.581	0.393	0.315	7.211	0.104	0.749
$\Sigma$	21.628	1.404	1.286	22.451		2.771
14.0	6.581	0.393	0.275	6.636	0.086	0.569
11.2	6.581	0.393	0.236	6.628	0.069	0.456
8.4	6.581	0.393	0.196	6.620	0.052	0.343
$\Sigma$	41.371	2.583	1.993	42.335		4.139
5.6	6.581	0.393	0.196	6.620	0.034	0.224
2.8	6.581	0.393	0.196	6.620	0.017	0.111
0.0	6.581	0.90	0.90	6.761	0.00	0.00
$\Sigma$	61.114	4.269	3.286	62.336		4.474

## VOILE TRANSVERSAL 6

NIVEAU	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P'}{5}(t)$	$\bar{G}_V$	$S_{IV}(G+P'/5) \bar{G}_V$
25.2	9.43	1.044	1.044	9.638	0.156	1.503
22.4	12.28	1.82	1.82	12.644	0.138	1.744
19.6	12.28	1.82	1.64	12.572	0.104	1.307
16.8	12.28	1.82	1.46	12.572	0.104	1.307
$\Sigma$	46.27	6.504	5.964	47.462		6.079
14.0	12.28	1.82	1.28	12.534	0.086	1.078
11.2	12.28	1.82	1.096	12.499	0.059	0.862
8.4	12.28	1.82	0.913	12.462	0.032	0.647
$\Sigma$	83.11	11.964	9.853	72.497		8.666
5.6	12.28	1.82	0.913	12.462	0.034	0.423
2.8	12.28	1.82	0.913	12.462	0.017	0.236
0.0	10.165	1.82	4.976	11.00	0.00	0.00
$\Sigma$		17.424	15.253	120.893		9.325

VOILE TRANSVERSAL -7-

NIVEAU	$\theta(t)$	$P(t)$	$P^*(t)$	$\frac{S_{\text{EXP}}(t)}{5}$	$G_T$	$S_{\text{EXP}}(0)P^*/5$	$G_X$
25.2	11.480	1.282	1.282	11.736	0.136	1.63	
22.4	13.347	2.244	2.244	13.795	0.138	3.903	
19.6	13.347	2.244	2.244	13.753	0.121	4.663	
16.8	13.347	2.244	2.244	13.705	0.106	3.423	
$\Sigma$	51.521	8.094	7.360	52.987		6.824	
14.0	13.347	2.244	1.574	13.666	0.096	4.974	
11.2	13.347	2.244	1.346	13.646	0.089	4.938	
8.4	13.347	2.244	1.122	13.571	0.092	4.705	
$\Sigma$	91.362	34.746	11.379	93.835		9.641	
5.6	13.347	2.244	1.122	13.571	0.036	40.861	
2.8	13.347	2.244	1.182	13.571	0.077	40.223	
0.0	8.433	2.244	5.43	10.459	0.00	0.00	
$\Sigma$	427.689	21.476	18.753	136.486		40.331	

## VALORE TRANSVERSALI - 9 -

ETRADO	$\theta(t)$	P(t)	$P^*(t)$	$\frac{\partial \varphi^*}{\partial t}(t)$	$\text{Gv}$	$\sin(\theta \varphi^*)/5$	$\text{Gv}$
23.2	39.845	3.585	3.585	32.132	0.158	-	5.072
22.4	36.489	6.274	6.274	37.743	0.136	-	5.263
19.6	36.429	6.274	5.687	37.618	0.121	-	4.550
16.8	36.489	6.274	5.020	37.493	0.104	-	3.870
$\Sigma$	140.682	22.607	20.826	144.986	-	-	50.668
13.0	36.489	6.274	4.392	37.367	0.086	-	3.213
10.2	36.489	6.274	3.765	37.242	0.069	-	2.569
8.4	36.489	6.274	3.137	37.116	0.052	-	1.929
$\Sigma$	230.349	41.229	31.889	256.711	-	-	26.379
5.6	36.489	6.274	2.137	37.146	0.034	-	1.289
2.8	36.489	6.274	3.137	37.116	0.017	-	0.630
0.0	29.841	14.342	16.342	32.979	0.00	-	0.00
$\Sigma$	333.468	68.119	52.436	363.032	-	-	23.27

## VOTING TRANSVERSAL - 70 -

INTERVAL	G(t)	P(t)	P'(t)	$\frac{G+P'}{E}(\%)$	$\sum_{i=1}^n G_i$	$\frac{\sum_{i=1}^n (G_i + P'_i)}{5} \sum_{i=1}^n G_i$
25.2	19.298	1.970	1.970	19.692	0.155	3.671
22.4	26.706	3.452	3.452	27.398	0.136	3.700
19.6	26.706	3.452	3.107	27.329	0.124	3.306
16.8	26.706	3.452	2.761	27.260	0.104	2.834
$\Sigma$	99.422	12.326	11.210	101.679		12.981
14.0	26.706	3.452	2.416	27.191	0.086	2.338
11.2	26.706	3.452	2.071	27.122	0.065	1.870
8.4	26.706	3.452	1.726	27.053	0.052	1.606
$\Sigma$	279.546	22.682	17.503	283.045		15.605
5.6	26.706	3.452	1.726	27.053	0.034	0.913
2.8	26.706	3.452	1.726	27.053	0.017	0.458
0.0	22.930	7.894	7.894	24.823	0.00	0.00
$\Sigma$	835.942	31.477	28.845	261678		33.983

## —CHAPITRE 7—

**—FERRAILLAGE  
DES VOILES—**

## I. Introduction :

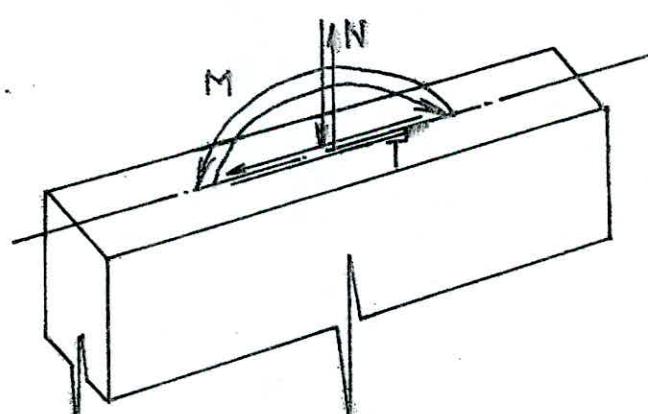
Sous l'action des forces verticales (seisme charges permanentes et surcharges) et des forces horizontales (seisme, vent), un refend est sollicité à la flexion composée.

Les sollicitations à considérer pour la détermination des sections d'acier nécessaires, sont les résultats de la superposition des sollicitations dues aux forces verticales et horizontales. En effectuant cette superposition il ne faut pas oublier que les forces (seisme dans notre cas) ont un caractère alternatif, elles peuvent changer de signes en gardant la même valeur absolue et la même direction.

L'état de contrainte se trouve modifié qualitativement (mutation compression-traction)

Ainsi nous aurons les deux (2) combinaisons suivantes à considérer :

1<sup>er</sup> combinaison : M, N<sub>max</sub>  
2 " : M, N<sub>min</sub>



avec

$$N_{max} = G + P + \sin \frac{\theta}{2} + \sin \frac{\theta}{2}$$
$$N_{min} = G + P - \sin \frac{\theta}{2} - \sin \frac{\theta}{2}$$

## Types d'Armatures :

Trois catégories d'armatures se rencontrent dans les murs en béton armé,

- Les armatures verticales.
- Les armatures horizontales.
- Les armatures transversales.

### - Armatures verticales

Elles serviront à reprendre les contraintes de flexion composée.

Le complément C.T.C prévoit un pourcentage minimal de

$$0,15\% \text{ si } b_b < 0,025 \delta_{28}' \quad \text{Dans chaque}$$

$$0,25\% \text{ si } 0,025 \delta_{28}' \leq b_b \leq 0,12 \delta_{28}' \quad \text{Direction}$$

disposées en général en deux nappes parallèles aux faces du refend par ailleurs ce règlement impose de placer ces aciers en double nappe, de même que les espacements entre les barres verticales consécutives doit être limité à la plus grande des deux valeurs suivantes (1,5b, 30cm) b étant l'épaisseur du refend.

### - Armatures horizontales

Selon les prescriptions du complément C.T.C le choix des armatures horizontales est fonction du choix des armatures verticales en zone courante le tout doit former un quadrillage.

L'écartement de ces armatures restera le même que celui adopter pour les armatures verticales disposées également en deux nappes parallèles aux faces du refend vers l'extérieur ces armatures devront éviter la fissuration due à la contraction des façades par suite d'un éventuel abaissement de la température.

### - Armatures transversales

Selon C.T.C en général il est prévu au moins 4 épingleS au mètre carré.

Ces aciers transversaux sont d'autant plus utiles qu'ils empêchent les flambements eventuels des aciers verticaux

Autres - Prescriptions - du - C.T.C

Relatives - au Ferrailages des voiles.

- Les extrémités des voiles doivent comporter un renforcement d'armatures verticales sous forme de potelet incorporés de dimensions  $b \times 1,5 b$

Il est possible d'utiliser ces armatures là, pour équilibrer les efforts de traction dans la partie tendue du voile, mais le pourcentage minimum des armatures verticales sur toute la zone tendue ne doit pas être inférieur à 0,5% dans ce cas les longueurs de recouvrement seront égale à  $70 \varnothing$ . Les dispositions de ferrailage de ces potelets d'extrémités doivent être au moins égales à celles fixés pour le poteau de rive des ossatures autostables en zone I.

Renforcement au niveau des joints de reprise de coulage.

Le long des joints de reprise de coulage on prévoit des armatures verticales de couture reparties uniformément en deux nappes équilibrant la totalité de l'effort transversal à  $\bar{b}_a = 6\text{cm}$  c'est à dire

$$A_{vj} = \frac{T}{6\text{cm}}$$

La longueur d'ancrage de ces armatures est égale ou supérieure à  $50 \varnothing$  dans les voiles

A défaut de calcul, on pourra prévoir forfaitairement une section d'armatures de couture de  $0,5 b$  par mètre linéaire

La méthode de ferrailage ainsi que toutes les justifications au contraintes seront exposées plus loin (voir exemple de calcul).

## I Ferraillage des voiles :

Les refends seront calculés, sous la sollicitation la plus défavorable.

- \*  $G + 1,2 P$
- \*  $0,8 G - E$
- \*  $0,8 G + E$
- \*  $G + P + E$

La combinaison la plus défavorable est :  $G+P+E$  qui donne un effort normal très important.

Or, le moment à la base de chaque refend est important donc on prendra l'effort normal le plus petit qui est donné par la sollicitation  $0,8 G-E$  car dans ce cas on peut avoir un effort de traction.

d'où la sollicitation est :

$$0,8G-E \quad N \text{ min}$$

$$M \text{ max}$$

Le mode de la sollicitation : flexion composée.

Vérification des contraintes: La vérification se fera sous la sollicitation  $G+P+E$

On doit vérifier : (Méthode P.CHARON)

- Pour les sections Partiellement comprimées.

$$\sigma_b' = K_{y_1} \leq \bar{\sigma}_b'$$

$$\sigma_a' = nK(y_1 - d') \leq \bar{\sigma}_a' \quad (n=15)$$

$$\sigma_a' = nK(-y_1 - d + h_t) \leq \bar{\sigma}_a' \quad (n=15)$$

- Pour les sections entièrement comprimées.

$$\sigma_{b_1}' = \frac{N'}{B_0'} + \frac{M_G J_1}{I} \leq \bar{\sigma}_b'.$$

$$\sigma_{b_2}' = \frac{N'}{B_0'} - \frac{M_G J_2}{I} \leq \bar{\sigma}_b'.$$

$$\sigma_{a(1,2)}' = n \left( \frac{N'}{B_0'} \pm \frac{M_G (v-d')}{I} \right) \leq \bar{\sigma}_a'$$

## - Prescriptions relatives aux éléments de contreventement

### I. Principe de calcul

Art. 4.3.2.1 : La vérification de la résistance aux sollicitations normales de flexion composée les plus défavorables doit être effectuée avec la contrainte admissible béton du premier genre majorée ou plus de 50% et la contrainte de traction des aciers au plus égale à en

Art. 4.3.2.2 : La vérification de la résistance aux sollicitation d'effort tranchant doit être effectuée avec:

$$T = 1,4 \text{ fois l'effort tranchant de calcul}$$

$$N = 0$$

$$\bar{\epsilon}_b = 0,12$$

$$\sigma_{as} = f_{yv}$$

### II. Disposition des armatures

Art. 4.3.3.1 : Les armatures de la section transversale resistante à l'effort tranchant doivent être calculées avec la formule :

$$\tilde{w}_s = \frac{\bar{\epsilon}_b - \bar{\epsilon}_s}{f_{yv}} \cdot 100 \quad \text{avec } \bar{\epsilon}_b = \frac{1,4 T}{b \cdot z}$$

ut pourcentage calculé par rapport à la section totale brute du béton, il doit être supérieur à la valeur minimale indiquée ci-dessous.

$$\left. \begin{array}{l} * \bar{\epsilon}_b \leq 0,025 \bar{\epsilon}_s \Rightarrow 0,15\% \\ * 0,025 < \bar{\epsilon}_b \leq 0,12 \bar{\epsilon}_s \Rightarrow 0,25\% \end{array} \right\} \text{dans chaque direction}$$

Art. 4.3.3.3 : Le pourcentage minimum des armatures verticales sur toute la zone tendue d'un voile est de 0,5% et il est possible de concentrer des armatures de traction à l'extrémité du voile ou du puméau de section totale d'armatures verticales de la zone tendue devant rester au moins égale à 0,5% de la section horizontale du béton tendue.

Art. 4.3.3.4 : L'espacement des barres verticales doit être inférieur à la plus petite des deux valeurs suivantes :

$$e \leq 1,5 b$$

ou

$$e \leq 30 \text{ cm.}$$

Art. 4.3.3.5 : Les deux nappes d'armatures doivent être reliées avec au moins ~~4~~ épingles par  $\text{m}^2$ . Les barres horizontales doivent être disposées vers l'extérieur.

Art. 4.3.3.6 : Le diamètre des barres verticales et horizontales des voiles ne devrait pas dépasser  $\frac{1}{10}$  de l'épaisseur du voile.

Art. 4.3.3.7 : L'espacement des barres doit être réduit de moitié sur  $\frac{1}{10}$  de la largeur du voile et ce à chaque extrémité du voile.

Art. 4.3.3.11. Les longueurs d'encouvrement doivent être égales à

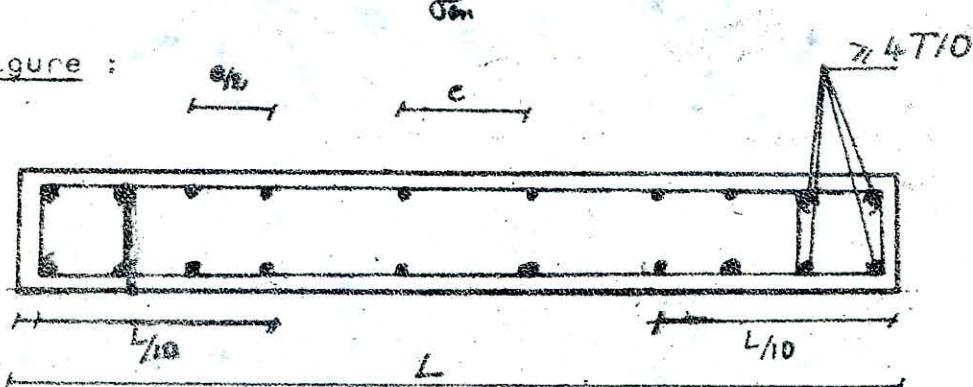
- 50 Ø pour les barres situées dans les zones où le renversement des signes des efforts est possible.

- 20 Ø pour les barres situées dans les zones comprimées sous l'action de toutes les combinaisons possibles de charges.

Art. 4.3.3.12 : L'effort tranchant doit être pris par les aciers de couverture dont la section doit être calculée avec la formule suivante :

$$A_{Vj} = 1,1 \frac{T}{0,6 \pi}$$

figure :



Ferraillage du voile Transversale 1 selon les règles Paro-sismique 69 et le complément du CTC

Caractéristiques :

$$\begin{aligned} h_t &= ; 1024 \text{ cm.} \\ b &= 15 \text{ cm.} \\ d &= 40 \text{ cm.} \\ M_f &= 476,70 \text{ T.m} \\ N_{\max} &= 282,31 \text{ t} \\ N_{\min} &= 244,56 \text{ t.} \end{aligned}$$

Calcul des contraintes  $\sigma_1$  et  $\sigma_2$

$$\sigma_{(1,2)} = \frac{N}{S} \pm \frac{M_f}{I}$$

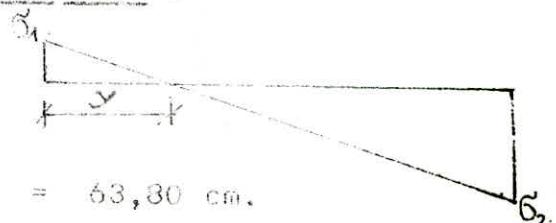
$$\sigma_1 = \frac{244,56 \cdot 10}{15 \times 1024} - \frac{476,70 \cdot 10}{15 \times (1024)^2} \times 6 = - 2,266 \text{ Kg/cm}^2$$

→ SPC

$$\sigma_2 = \frac{244,56 \cdot 10}{15 \times 1024} + \frac{476,70 \cdot 10}{15 \times (1024)^2} \times 6 = 34,1026 \text{ Kg/cm}^2$$

Calcul de la largeur de la zone tendue :

$$Y = \frac{\sigma_1}{\sigma_1 + \sigma_2} \times l$$



$$Y = \frac{2,266}{2,266 + 34,1026} \times 1024 = 63,80 \text{ cm.}$$

Calcul de la force moyenne dans la zone tendue /

$$F_m = \sigma_1 \times \frac{2}{3} \times Y \times b = 2,266 \times \frac{2}{3} \times 63,8 \times 15 = 1445,708 \text{ Kg.}$$

La section d'armature nécessaire sera donc :

$$A = \frac{F_m}{\sigma_a} = \frac{1445,708 \text{ Kg}}{4200 \text{ Kg/cm}^2} = 0,344 \text{ cm}^2$$

Calcul de la section d'armature minimale réglementaire

$$A_{\min} = 0,5\% \cdot S$$

S étant la section de béton de la zone tendue.

$$A_{\min} = \frac{0,5 \times 15 \times 63,80}{100} = 4,785 \text{ cm}^2$$

On retiendra donc  $A_{\min} = \frac{4,785 \times 100}{63,8 \times 2} = 3,75 \text{ cm}^2 \text{ p.m./face}$   
.../...

Il est prévu un renforcement aux extrémités du voile sous forme de potelet dont le ferrailage et la section sont imposés par le complément CTC.

à savoir

section b X 1,5 b on retiendra 15 X 25

$$A_{min} = \frac{1}{100} \times b \times 1,5 b = \frac{1}{100} \times 15 \times 25 = 3,75 \text{ cm}^2$$

qui correspondra à 4 T 12

Donc le poteau peut à lui seul reprendre l'effort de traction.

#### Calcul de la section d'acier verticale en zone courante.

en procedera de la manière suivante

$$\mathcal{G}_b = \frac{1,1 \times 1,5 T}{bh} = \frac{1,1 \times 1,5 \times 27;32}{15 (1024 - 40)} = 3,054 \text{ kg/cm}$$

$$\mathcal{G}_b < \bar{\mathcal{G}}_b$$

Par ailleurs  $\mathcal{G}_b < 0,028 \mathcal{G}_{28} = 6,875$

on prendra une section d'armature égale à :

0,15 % de la section de la zone courante dans les 2 directions (verticales et horizontales).

$$A_{min} = 0,15\% \times 15 (1024 - 40) = 22,14 \text{ cm}^2$$

$$\text{soit } \frac{22,14 \times 100}{(1024-40)} = 1,125 \text{ cm p.m / face}$$

Ce qui correspond à 5 T 6 pm /face espacée de 25 cm  
L'écartement des armatures à  $L$  de chaque extrémité doit-être réduit de moitié qu'en zone courante.

#### Calcul des armatures horizontales/

Selon les prescriptions du CTC il faut prendre un quadrillage avec les armatures verticale avec des aciers correspondant au choix des armatures en zone courante.

donc des barres H A 6 espacé de 25 cm.

#### Armatures transversale en zone courante.

Selon les prescriptions du CTC il faut prendre 4 épingle au m<sup>2</sup>.

#### Armatures transversale dans le potelet d'extrémité.

selon les prescriptions du CTC il faut prévoir des cadres en HA de  $\varnothing = 6$  espacées de  $t = min (10\varnothing 15 \text{ cm})$   
donc  $t = 6 \text{ cm.}$

L'espacement étant le même en zone nodale qu'en zone courante,

.../..

Justification aux contraintes admissibles :

On procédera à la vérification avec l'effort normal le plus grand

$$e_0 = \frac{M_F}{N_{\max}} = \frac{476,70}{282,31} \frac{10}{10} = 168,85 \text{ cm.}$$

$$e_1 = \frac{ht}{6} = \frac{1024}{6} = 170,66 \text{ cm}$$

$e_0 < e_1$  ce qui implique que la section est entièrement comprimée.

$$e_0 < \frac{ht}{2} = 512 \text{ cm} \Rightarrow \tilde{\sigma}_b' = 1,25 \left(1 + \frac{e_0}{3e_1}\right) \tilde{\sigma}_{b0}'$$

$$\tilde{\sigma}_b' = 1,25 \left(1 + \frac{168,85}{3 \times 170,66}\right) \cdot 68,5 = 113,86 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_a' = 4200 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{w}_1 = \tilde{w}_2 = \tilde{w} = \frac{A}{bh_t} \frac{4,52}{15 \times 1024} = 2,942 \cdot 10^{-4}$$

$$\tilde{B}_0' = b \cdot ht \left(1 + b_1 w\right) = 15 \times 1024 \left(1 + 25 \times 2,942 \cdot 10^{-4}\right) = 15472,97 \text{ cm}^2$$

$$I = \frac{b h_t^3}{12} + b_1 w b h_t \left(\frac{ht}{2} - \frac{ht}{v}\right)^2 = 1367345812 \text{ cm}^4$$

$$\tilde{\sigma}_b'(1,2) = \frac{N_{\max}}{\tilde{B}_0'} \mp \frac{M_F v}{I} \quad \text{avec } v = \frac{ht}{2} = 512 \text{ cm}$$

$$\tilde{\sigma}_{b_1}' = 0,395 \text{ kg/cm}^2 \quad \left| \quad \tilde{\sigma}_b' = 113,86 \text{ kg/cm}^2 \right.$$

$$\tilde{\sigma}_{b_2}' = 36,095 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_a(1,2) = n \left[ \frac{N_{\max}}{\tilde{B}_0'} \mp \frac{M_F (v-d)}{I} \right]$$

$$\tilde{\sigma}_{a_1} = 26,85 \text{ kg/cm}^2 \quad \left| \quad \tilde{\sigma}_a = 4200 \text{ kg/cm}^2 \right.$$

$$\tilde{\sigma}_{a_2} = 520,51 \text{ kg/cm}^2$$

## VOILE TRANSVERSAL -2-

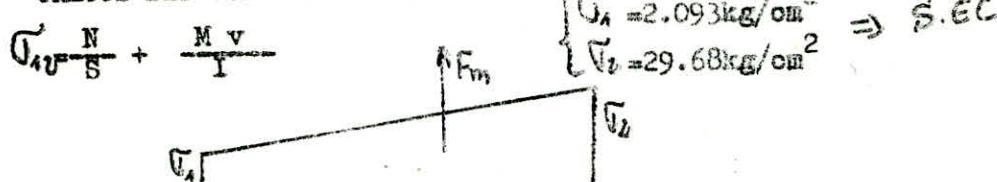
## TRUMEAU -1-

## CARACTERISTIQUES

$$ht = 516 \text{ cm} \quad b = 15 \text{ cm} \quad d = 20 \text{ cm}$$

$$M = 91.71 \text{ tm} \quad N_{\max} = 247.374 \text{ t} \quad N_{\min} = 122.838 \text{ t}$$

## CALCUL DES CONTRAINTES



## FORCE MOYENNE DANS LA ZONE TENDUE

$$F_m = \frac{G_1 + G_2}{2} \times 1 \times b \quad F_m = 122833.8 \text{ kg}$$

$$A = \frac{F_m}{G_a} \quad A = 29.24 \text{ cm}^2$$

## ARMATURES MINIMUM

$$G_b = 1.1 \frac{1.5 \text{ t}}{bh} \quad G_b = 5.50 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{G}_b = 0.025 \bar{G}_a$$

$$A_{\min} = \frac{0.15 \cdot 15 \cdot 100}{100 \cdot 2} \quad A_{\min} = 1.125 \text{ cm}^2 \text{ pm. par face}$$

$$A_g = 29.24 > A_{\min}$$

SOIT 6T8 pm par face  $t = 20 \text{ cm}$

$$A_{\min} \text{ dans le potelet} \quad A = 1/100 \cdot 15 \cdot 25 = 3.75 \text{ cm}^2$$

SOIT 4T12

Armature transversale pour le poteau cadre 6

$t_{\min} = 6 \text{ cm}$  en zone nodale et en zone courante

## ARMATURE HORIZONTALE

SOIT 6T8 pm par face  $t = 20 \text{ cm}$

## VERIFICATION DES CONTRAINTES

$$N = 247.374 \text{ t} \quad M = 91.71 \text{ tm} \quad e_A = \frac{ht}{6} = 86 \text{ cm} \quad e_c = 37.07 \text{ cm}$$

$$\frac{ht}{2} = 25.8 \text{ cm} \quad e_A > e_c \dots \dots \text{S.E.C}$$

$$e_c > \frac{ht}{2} \Rightarrow \bar{G}_b = \frac{1}{25.8} \bar{G}_a$$

$$\bar{G}_b = 1.25 \cdot 2 \cdot 68.5 = 171.25 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{G}_c = \bar{G}_a = 4200 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{w}_1 = \bar{w}_2 = w = \frac{A}{bht} = \frac{4.52}{15.516} = 5.839 \cdot 10^4$$

$$B6 = 7852.9 \text{ cm}^2 \quad I = 178135022.5 \text{ cm}^4$$

$$\tilde{\sigma}_{a(2)} = 15 \left( -\frac{N_{\max}}{B^e o} + \frac{M(v' - d)}{I} \right)$$

$$\tilde{\sigma}_{a_1} = 19,24 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\tilde{\sigma}_{a_2} = 43,75 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_{b(2)} = \left( -\frac{N'}{B^e o} + \frac{M v}{I} \right) \quad \begin{cases} \tilde{\sigma}_{b_1}' = 18,21 \text{ kg/cm}^2 \\ \tilde{\sigma}_{b_2}' = 44,78 \text{ kg/cm}^2 \end{cases} < \bar{\sigma}_b$$

TRUMEAU- 1- NIVEAU 8,40 m

$$N_{\min} = 80,19 \text{ t} \quad N_{\max} = 176 \text{ t} \quad M = 22,88 \text{ tm}$$

$$\tilde{\sigma}_{(2)} = \frac{N}{S} \pm \frac{M v}{I} =$$

$$\begin{aligned} \tilde{\sigma}_1 &= 6,92 \text{ kg/cm}^2 \\ \tilde{\sigma}_2 &= 13,79 \text{ kg/cm}^2 \end{aligned} \quad \text{donc on à S.E.U.}$$

$$F = 80186 \text{ kg} \quad A = 19,09 \text{ cm}^2 \text{ soit } A = 1,85 \text{ cm}^2 \text{ pm par face}$$

SOIT 5T8 pm par face.

TRUMEAU- 1- NIVEAU 16,80 m

On à ferrailage minimum  $A_{\min} = 1,125 \text{ cm}^2 \text{ pm par face.}$

SOIT AT6 pm par face,  $t = 25 \text{ cm}$

VILLE TRANSVERSAL - 2 -

TRUMEAU - 2 -

CARACTERISTIQUES.

$$ht = 388 \text{ cm} \quad b = 15 \text{ cm} \quad d = 20 \text{ cm} \quad N_{min} = 80,02t \quad N = 38,98tm$$

Calcul des contraintes

$$\sigma_1 = 12,022 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma_{(2)} = \frac{N}{S} \pm \frac{Mv}{I}$$

$$\sigma_2 = 15,475 \text{ kg/cm}^2$$

Donc on a une section entièrement comprimée.

$$F = F_m = \frac{\sigma_1 + \sigma_2}{2} \cdot l \cdot b \quad A = \frac{F}{\sigma_a} = 19,051 \text{ cm}^2$$

Soit  $2,45 \text{ cm}^2$  pm par face soit  $5T8$  pm par face

$$A_{min} = 1,875 \text{ cm}^2$$

Section d'acier dans le potelet d'extremité  $A_{min} = 3,75 \text{ cm}^2$  soit 4T12

Armature horizontale  $\phi 8 \quad t = 25 \text{ cm}$

Armature transversale  $\phi 6$

VERIFICATION DES CONTRAINTES

$$N_{max} = 198,183t \quad e_1 = \frac{ht}{6} = 64,66 \text{ cm} \quad e_1 > e_0 \dots \text{S.E.C}$$

$$\frac{ht}{2} = 194 \text{ cm} > e_0 = \frac{M}{N_{max}} = 19,60 \text{ cm} \quad \bar{\sigma}_b = 1,25 \left( 1 + \frac{B}{3e_1} \right)$$

$$\bar{\sigma}_b = 1,25 \left( 1 + \frac{19,66}{3 \cdot 64,66} \right) 68,5 = 94,30 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}_a = 4200 \text{ kg/cm}^2$$

$$B^*o = 5932799 \text{ cm}^2 \quad I = 75066467,42 \text{ cm}^4$$

$$\bar{\sigma}_b' = \frac{N^*}{B^*} \pm \frac{Mv}{I}$$

$$\bar{\sigma}_{b1}' = 23,32 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{b2}' = 43,47 \text{ kg/cm}^2$$

$$(\bar{\sigma}_{b1}', \bar{\sigma}_{b2}') < \bar{\sigma}_b = 94,30 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{q(1,2)} = 15 \left( \frac{N_{max}}{B_o} \pm \frac{M(v-d)}{I} \right)$$

$$\bar{\sigma}_{q1} = 636,58 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 4200 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{q2} = 365,52 \text{ kg/cm}^2$$

VT2- TRUMEAU-2- NIVEAU -8.40m-

N=9.72tm      Nmax=141.88t    Nmin=51.29t

$$G_1 = 6.12 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{S.E.C}$$

$$G_2 = 11.39 \text{ kg/cm}^2$$
$$F_m = 51245.10 \text{ kg} \quad A = \frac{F_m}{G_2} = 1.57 \text{ cm}^2 \text{ pm par face}$$

SOIT 5T6 pm par face      t = 25cm

NIVEAU - 16.80m-

Ferraillage minimum      Amin = 1.125cm<sup>2</sup> pm par face  
scit 4T6 pm par face

Voile		<i>l</i> (cm)	<i>b</i> (m)
VT <sub>3a</sub>			15
VT <sub>1</sub>		1024	15
VT <sub>3</sub>		300	15
VT <sub>6</sub>		360	15
VT <sub>10</sub>		1096	15
VT <sub>C</sub>		750	20
VT <sub>2</sub>			
Fumeeau	I	516	15
Fumeeau	II	388	15
VT <sub>7</sub>			
Fumeeau	I	71	15
"	II	120	15
VT <sub>9</sub>			
Fumeeau	I	381	15
"	II	460	15
VLB.			
Fumeeau	I	764	20
"	II	180	20
VT <sub>3b</sub>			
Fumeeau	I	253	15
"	II	70	15
"	III	75	15
VT <sub>4</sub>			
Fumeeau	I	286	15
"	II	188	15
"	III	410	15
VT <sub>8</sub>			
Fumeeau	I	391	15
"	II	233	15
"	III	145	15
VLD			
Fumeeau	I	55	20
"	II	390	20
"	III	85	20
VLA			
Fumeeau	I	560	20
"	II	483	20
"	III	167	20

## VOILE A UNE FILE D'OUVERTURE

Voiles	VL.B	VT.7	VT.9
M (t.m)	591,06	0,3	67,55
N (t)	135,661	-5,284	71,86
e <sub>1</sub> =h/6 (m)	1,27	0,11	0,63
nature de l' <sub>2</sub> sollicitation	S.P.C	S.E.T	S.P.C
G <sub>1</sub> kg/m <sup>2</sup>	-1,8,54	-1,34	-6,133
G <sub>2</sub> kg/m <sup>2</sup>	42,216	-2,58	31,093
Av zinc t <sup>2</sup> cm <sup>2</sup>	5T12 p.m pour face	5T10 t=25 p.m pour face	5T10 p.m pour face t=25
Av zinc 2 cm <sup>2</sup>	6T6 t=20cm p.m pour face	p.m pour face	5T8 p.m pour face t=25
Ah cm <sup>2</sup>	6T6 p.m pour face t=20cm	5T6 p.m pour face	5T8 p.m pour face
Ay <sub>j</sub>	p.m 0,96 cm <sup>2</sup> pour face	0,64 cm p.m pour face	0,64 cm <sup>2</sup> p.m pour face
Porteflet	4T12	4T10	4T12
M (t.m)	7,723	1,193	117,53
N (t)	-38,81	11,768	120,451
e <sub>1</sub> =h/6 (m)	0,30	0,20	0,76
sollicitation	S.E.T	S.E.C	S.P.C
G <sub>1</sub> kg/m <sup>2</sup>	-1f,93	2,39	-3,45
G <sub>2</sub> kg/m <sup>2</sup>	-3,62	10,68	+40,97
Av t <sup>2</sup> .1. cm <sup>2</sup>	5T12 t=25 p.m pour face	5T6 p.m pour face	5T10 p.m pour face t=25cm
Av zinc 2 (cm <sup>2</sup> )	p.m pour face	p.m pour face	5T8 p.m pour face t=25cm
Ah (cm <sup>2</sup> )	6T6 p.m pour face t=20	5T6 p.m pour face	5T8 p.m pour face
Porteflet	4T12	4T10	4T12
Av/cm <sup>2</sup>	0,612 cm <sup>2</sup> p.m.p.f	0,64 cm <sup>2</sup> p.m.p.f	0,64 cm <sup>2</sup> p.m.p.f

**- VOILES - PLEINS -**

voiles caractéristique	T1	T10	VLC
M (t.m)	476,70	1337,53	484,88
N(t)	244,56	264,784	210,843
ht (m)	10,84	10,96	7,50
e <sub>1</sub> = ht/6 (m)	1,70	1,82	1,25
e <sub>0</sub> = $\frac{M}{N}$ (m)	1,94	5,05	2,30
solicitation	S. P. C	S. P. C	S. P. C
T <sub>1</sub> kg/m <sup>2</sup>	- 2,26	- 28,43	- 11,81
T <sub>2</sub> kg/m <sup>2</sup>	34,10	60,64	39,84
AV mm <sup>2</sup> par 1'	5 T 10 p.m. par face	5 T 10 p.m. par face	5 T 12 p.m. par face
AV mm <sup>2</sup>	5 T 6 p.m. par face	5 T 8 p.m. par face	5 T 6 p.m. par face
Ah (m <sup>2</sup> )	5 T 6 p.m. par face	5 T 8 p.m. par face	5 T 6 p.m. par face
potelet	4 T 12	4 T 12	4 T 12
Avj (m <sup>2</sup> )	13,93	28,21	7,54
Af (m <sup>2</sup> )	4 φ 6 p/m <sup>2</sup> (caches)	4 épingles/m <sup>2</sup>	4 épingles/m <sup>2</sup>
t cm	25 en avant 12,5	25 en arrière 12,5	25 en avant 12,5

# VOILES - PLEINS

	VT3a	VT5	VT6
M (t.m)	38,89	17,32	39,20
N (t)	84,65	59,92	123,76
Sollicitat. N:veau H	S.E.C	S.E.C	S.E.C
A <sub>v</sub> cm <sup>2</sup>	6TB <sup>t=20</sup> p.m par face	5TB <sup>t=20</sup> p.m par face	6T10 <sup>t=20mm</sup> p.m par face
A <sub>h</sub> cm <sup>2</sup>	6TB <sup>t=20</sup> p.m par face	5TB <sup>t=25</sup> p.m par face	6T10 <sup>t=20</sup> p.m par face
Poletot	4T12	4T12	4T12
A <sub>Vj</sub> cm <sup>2</sup>	0,64 cm <sup>2</sup> p.m par face	0,64 cm <sup>2</sup> p.m par face	0,64 cm <sup>2</sup> p.m par face
M (t.m)	15,48	9,31	20,44
N (t)	71,46	39,82	83,69
Sollicitat. N:veau H	S.E.C	S.E.C	S.E.C
A <sub>v</sub> cm <sup>2</sup>	5TB <sup>t=25</sup> p.m par face	5TB <sup>t=25</sup> p.m par face	6TB <sup>t=20</sup> p.m par face
A <sub>h</sub> cm <sup>2</sup>	5TB p.m par face	5TB <sup>t=25</sup> p.m par face	6TB p.m par face
A <sub>Vj</sub> cm <sup>2</sup>	0,6 cm <sup>2</sup> p.m.pf	0,6 cm <sup>2</sup> p.m.pf	0,6 cm <sup>2</sup> p.m.pf
Poletot	4T12	4T12	4T12
M (t.m)	5,20	2,51	6,38
N (t)	33,ff	15,30	46,15
Sollicitat. N:veau H	S.E.C	S.E.C	S.E.C
A <sub>v</sub> cm <sup>2</sup>	5T6 p.m par face	5T6 p.m par face	6T6 <sup>t=20</sup> p.m par face
A <sub>h</sub> cm <sup>2</sup>	5T6 p.m par face	5T6 p.m par face	6T6 <sup>t=20</sup> p.m par face
A <sub>Vj</sub> cm <sup>2</sup>	0,26 cm <sup>2</sup>	0,26 cm <sup>2</sup> p.m par face	0,26 p.m par face
Poletot	4T12	4T12	4T12

VOILE-A.- à 2 FILES D'OUVERTURES.

	TRUMEAU I.	TRUMEAU II.	
M (t.m)	565 59,02	24,35	
N (t)	-108,33	38,12	
solicitation	S.E.T.	S.E.C.	
Av <sub>zone 1</sub> (cm <sup>2</sup> )	5T12      t=25 pm par face	5T1B pm par face	
Av <sub>zone 2</sub> (cm <sup>2</sup> )	5 T12      t=25 pm par face	5T1B. pm. par face t=25cm	
Ah (cm <sup>2</sup> )	4 T12	4 T12	
Potelet	4 ep./m <sup>2</sup> 0,6 0,75cm <sup>2</sup> pm par face	4 ep./m <sup>2</sup> 0,6 0,75cm <sup>2</sup> pm par face	
TRUMEAU III	Niveau I.	Niveau II	Niveau III
M (t.m)	1	-0,fff	0,084
N (t)	-264,24	-128,19	-34,3f
solicitation	S.E.T	S.E.T	S.E.T
Av <sub>zone 2</sub> (cm <sup>2</sup> )	6 T20	6 T14	6 T10 pm par face
Ah (cm <sup>2</sup> )	6 T12 pm par face	6 T12 pm par face	6 T10 pm par face
Av <sub>j</sub> (cm <sup>2</sup> )	4,5	4,5	4,5
Potelet	4 T12	4 T12	4 T12

VOILE TRANSVERSAL -1 - R.P.A 81

CARACTERISTIQUE

$$\begin{array}{ll} h_t = 1024 \text{ cm} & M = 654.24 \text{ tm} \\ b = 15 \text{ cm} & N_{\max} = 263.41 \text{ t} \\ d = 40 \text{ cm} & N_{\min} = 189.16 \text{ t} \end{array}$$

Calcul de l'excentricité

$$e_0 = \frac{M}{N} = 3.45 \text{ m} \quad e_1 = \frac{h_t}{6} = 1.70 \text{ m}$$

$e_0 > e_1 \Rightarrow \text{S.P.C.}$

Calcul des contraintes

$$\sigma_{x,y} = \frac{N}{S} \pm \frac{M}{W}$$

$$\begin{aligned} \sigma_x &= -12.64 \text{ kg/cm}^2 \\ \sigma_y &= +37.27 \text{ kg/cm}^2 \end{aligned}$$



Longueur de la zone tendue

$$y = \frac{\sigma_x}{\sigma_x + \sigma_y} \cdot l = 259.33 \text{ cm}$$

Force moyenne dans la zone tendue

$$F_m = \sigma_x \cdot 2/3 \cdot y \cdot b = 32779.312 \text{ kg}$$

Section d'armature nécessaire

$$A = \frac{F_m}{\bar{\sigma}_a} = \frac{32779.312}{4200} = 7.80 \text{ cm}^2$$

Section d'armature minimale

$$A_{\min} = \frac{0.5}{100} \cdot 259.33 \cdot 15 = 19.44 \text{ cm}^2$$

donc on retiendra  $A_{\min} = 3.74 \text{ cm}^2$  p.m.p.m face

Il est prévu un renforcement aux extrémités du voile sous forme de potelet dont le ferraillage et la section d'acier imposée doit être supérieure ou égale à 4 T 10

Calcul de la section d'acier en zone courante.

$$\begin{aligned} \bar{\sigma}_b &= \frac{1.4 \cdot T}{b \cdot z} = \frac{1.4 \cdot 37.45 \cdot 10^3}{15 \cdot 7/8 (984)} = 5.22 \text{ kg/cm}^2 \\ \bar{\sigma}_b &< \bar{\sigma}_b = 0.026 \cdot 0.28 = 6.87 \text{ kg/cm}^2 \end{aligned}$$

Donc on prendra une section d'armature dans les deux directions égale à 0.15% de la zone:

$$A_{\min} = \frac{0.15 \cdot 15 \cdot 100}{100} = 1.125 \text{ cm}^2 \text{ p.m par face}$$

#### Armatures horizontale

Suivant l'article 4.3.31 on a  $w_t = \frac{\bar{G}}{G_{\text{en}}} \cdot 100 \leq 0$

$$\bar{G} = \frac{1.1 \times 1.4 \cdot T}{b \cdot z} = 5.74 \text{ kg/cm}^2$$

on a  $w_t \leq 0$  donc on prendra  $w_t = 0.15\%$

$$A = \frac{0.15 \cdot 15 \cdot 100}{100} = 2.25 \text{ cm}^2 \text{ p.m}$$

Le long du joint de reprise de coulage on a la section d'acier  $A_{Vj}$

$$A_{Vj} = \frac{1.1 \cdot \bar{T}}{G_{\text{en}}} = 13.73 \text{ cm}^2$$

C'est à dire  $1.79 \text{ cm}^2 \text{ p.m par face}$

#### VERIFICATION DES CONTRAINTES

$$e_g = 248 \text{ cm} \quad N = 263.4 \text{ t} \quad \frac{ht}{2} = 512 \text{ cm} \quad d = 40 \text{ cm}$$

$$C = e_g - \frac{ht}{2} = 264 \text{ cm} \quad y_t = y_b + C$$

$$y_b \neq py_t + q = 0 \quad y_p = nt \quad n = 155 \quad P_i = \frac{P}{n} \quad q_i = \frac{q}{n}$$

$$t^3 + P_i \cdot t + q_i = 0$$

$$t = 36475$$

$$P_i = 2.64$$

$$q_i = -38.90$$

$$y_p = nt = 565.326 \quad y_b = 301.362$$

$$I = 272731097.1 \text{ cm}^4 \quad K = \frac{N}{T} \quad y_L = 0.291$$

$$\sigma_b' = Ky_L = 87.69 \text{ kg/cm}^2 \quad < \bar{\sigma}_b'$$

$$\sigma_a' = nK(h_t - d - y_b) = 2979.71 \text{ kg/cm}^2 \quad < \bar{\sigma}_a'$$

#### VERIFICATION AU FLAMBEMENT

$$l_c = 0.7 l_o \quad l_c = 1.848 \text{ m}$$

#### CALCUL DE L'ELACEMENT

$$\lambda = \frac{l_c}{\sqrt{\frac{I}{B}}} = \quad i = \sqrt{\frac{I}{B}}$$

$$I = \frac{ht \cdot b^3}{12} \quad B = ht \cdot b \quad i = 4.33 \text{ cm}$$

$$\lambda = \frac{184.80}{4.33} = 42.67 \quad < 50 \quad \text{donc pas de risque de flambement}$$

VOILE TRANSVERSAL - 2 -

TRUMEAU - 1 -

CARACTERISTIQUE

ht = 516 cm

N = 118.36 t

b = 10 cm

Nmax = 244.98 t

d = 20 cm

Nmin = 68.63 t

$$e_0 = \frac{N}{N_{\min}} = 172 \text{ cm}$$

$$e_1 = \frac{ht}{6} = 86 \text{ cm}$$

$e_0 > e_1$

SPC.

CALCUL DES CONTRAINTES

$$\sigma_{t,p} = \frac{N}{S} \quad \sigma_m = \frac{M}{W}$$

$$\sigma_t = -8.91 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma_m = +26.64 \text{ kg/cm}^2$$



ZONE TENDUE

$$y = \frac{\sigma_t}{\sigma_t + \sigma_m} \cdot l = 129.37 \text{ cm}$$

SECTION D'ARMATURE

$$A = \frac{F}{\sigma_a}$$

$$F = \sigma_m \cdot 2/3 \cdot b \cdot l = 34596.125 \text{ kg}$$

$$A = 8.23 \text{ cm}^2$$

$$A_{\min} = \frac{0.5 \cdot 15.129.37}{100} = 9.70 \text{ cm}^2 \quad \text{soit } A > A_{\min}$$

$$A_{\min} = 3.749 \text{ cm}^2 \text{ p. m par face}$$

soit 5T10 p.m par face

ARMATURE EN ZONE COURANTE

$$\sigma_b = \frac{1.4 T}{b z} = 6.46 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\sigma}_b = 0.025 \sigma_{t,p} = 6.87 \text{ kg/cm}^2$$

donc, on prévoit des armatures égales à 0.15 de la section dans chaque direction

$$A = \frac{0.15 \times 100 \times 15}{100} = 3.75 \text{ cm}^2 \text{ p.m}$$

$$A = 1.875 \text{ cm}^2 \text{ p.m par face} \quad \text{soit 5T8 p.m par face}$$

ARMATURE HORIZONTALES

$$w_b = \frac{T}{\sigma_m} = \frac{8}{6.46}$$

donc Ah = 5T8 p.m par face

LE LONG DU JOINT DE REPRISE

$$A_{vj} = \frac{1.1 T}{\sigma_m} = 11.02 \text{ cm}^2$$

VERIFICATION DES CONTRAINTES

$$e_0 = 48 \text{ cm}$$

$$N = 244.98 \text{ t}$$

$$b = 20 \text{ cm}$$

$$e_1 = 86 \text{ cm}$$

$$e_0 < \frac{ht}{2} \Rightarrow$$

$$\left\{ \bar{\sigma}_b' = (1 + \frac{e_0}{3 e_1}) \cdot 67.5 = 80.05 \text{ kg/cm}^2 \right.$$

$$\left. \bar{\sigma}_b' = 1.5 \cdot 80.05 = 120.075 \text{ kg/cm}^2 \right.$$

$$\bar{\omega} = \bar{\omega}_x = \bar{\omega}_y = -\frac{A}{bht} = 0.0005$$

$$B' = bht = (1 + b.v) = 7853 \text{ cm}^2$$

$$I = 24736214000 \text{ cm}^4$$

$$T_{b,p}' \left( -\frac{N}{B'} \pm -\frac{M(v-d)}{I} \right)$$

$$\begin{cases} T_{b,p}' = 31.20 \text{ kg/cm}^2 \\ T_{b,y}' = 31.07 \text{ kg/cm}^2 \end{cases} < \bar{T}_b'$$

$$T_{a,b}' = (15 \left( -\frac{N}{B'} \pm -\frac{M(v-d)}{I} \right))$$

$$\begin{cases} T_{a,b}' = 468.04 \text{ kg/cm}^2 \\ T_{a,y}' = 467.82 \text{ kg/cm}^2 \end{cases} < \bar{T}_a'$$

condition verified:

VOILE TRANSVERSAL -2-

TRILBEAU -2-

CARACTERISTIQUES

ht = 388cm

b=15cm

M=47.22tm

Nmax=198.98t

Nmin=36.69t

$$\left\{ \begin{array}{l} e_0 = \frac{M}{N_{min}} = 128 \text{cm} \\ e_0 = \frac{ht}{6} = 64.66 \text{cm} \end{array} \right. \quad e_0 > e_1 \Rightarrow \text{S.P.C.}$$

CALCUL DES CONTRAINTES

$$\bar{\sigma}_1 = -6.24 \text{kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_2 = +18.25 \text{kg/cm}^2$$

FORCE MOYENNE EN ZONE TENDUE

$$F=6020.97 \text{kg}$$

$$A=1.43 \text{cm}^2$$

$$F = \bar{\sigma}_1 \cdot 2/3 \pi y \cdot b$$

$$A_{min} = 7.23 \text{cm}^2$$

$$A_{min} > A_0$$

$$\text{soit } A_{min} = 3.74 \text{cm}^2 \text{ pm. par face}$$

5T10 pm par face

ARMATURE EN ZONE COURANTE

$$\bar{\sigma}_b = 3.74 \text{kg/cm}^2 \quad < \quad \bar{\sigma}_b = 0.025 \bar{\sigma}_{2b}$$

$$A = \frac{0.15 \times 15 \times 100}{100} = 2.25 \text{ cm}^2$$

$$A = 1.125 \text{ cm}^2 \text{ pm par face} \quad \text{SOIT } 5T6 \text{ pm par face}$$

ARMATURE HORIZONTALE

$$w_t = \frac{\bar{\sigma}_b - \bar{\sigma}_c}{\bar{\sigma}_{en}} < 0, \quad w_t = 0.15\%$$

$$A = 5T6 \text{ pm par face}$$

LE LONG DU JOINT DE REPRISE

$$A_{vj} = 4.73 \text{cm}^2$$

ARMATURE TRANSVERSALE

$$4T6 \text{ pm}^2$$

VERIFICATION DES CONTRAINTES

$$\bar{\sigma}'_b = 113.25 \text{kg/cm}^2 >$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \bar{\sigma}'_{b1} = 45.53 \text{kg/cm}^2 \\ \bar{\sigma}'_{b2} = 21.55 \text{kg/cm}^2 \end{array} \right.$$

$$\bar{\sigma}_{en} = 4200 \text{kg/cm}^2$$

>

$$\left\{ \begin{array}{l} \bar{\sigma}_q = 664.45 \text{kg/cm}^2 \\ \bar{\sigma}_{q2} = 341.84 \text{kg/cm}^2 \end{array} \right.$$

Verifié:

Valees	T1	T10	VLC
M(tm)	654,24	1010,40	458,92
N(t)	189,16	204,72	163,49
ht(m)	10,24	10,96	7,50
e <sub>r</sub> ht/6(cm)	170	182	125
e <sub>s</sub> = $\frac{M}{N}$	345	493,5	280
nature sollicitation	S.P.C.	S.P.C.	S.P.C.
G <sub>A</sub> kg/cm <sup>2</sup>	-12,64	-21,19	-13,57
G <sub>B</sub> kg/cm <sup>2</sup>	37,27	46,10	35,37
Av <sub>1</sub> (cm <sup>2</sup> )	5T10 pm pf 3,92cm <sup>2</sup>	5T10pm pf 3,92cm <sup>2</sup>	5T12 pm pf 5,65cm <sup>2</sup>
Av <sub>2</sub> (cm <sup>2</sup> )	5T8 pm pf	5T6 pm pf	5T6pm pf
Ah(cm <sup>2</sup> )	5T8pm par face	5T6pm par face	5T6pm par face
Potelet	4T10	4T10	4T12
Avj(cm <sup>2</sup> )	13,93	22,56	9,62
At(cm <sup>2</sup> )	4T6 par m <sup>2</sup>	4T6 par m <sup>2</sup>	4T6 par m <sup>2</sup>
t (cm)	25 en about t=12,5	25 about t=12,5	25 about t=12,5

- VOILES PLEINS -

voile	VT <sub>3α</sub>	VT <sub>3</sub>	VT <sub>6</sub>
M (t.m)	32,13	17,67	36,85
N (t)	96,19	48,89	94,26
<i>sollicitation</i>			
NIVEAU I	S.E.C	S.E.C	S.E.C
Av	6 TB p.m par face	5 TB p.m par face	7 TB p.m par face
Ah	6 TB p.m par face	5 TB p.m par face	7 TB p.m par face
<i>parole</i>			
	4 T10	4 T10	4 T10
Av <sub>j</sub>	0,64 cm <sup>2</sup> p.m par face	0,64 cm <sup>2</sup> p.m par face	0,64 cm <sup>2</sup> p.m par face
M (t.m)	17,24	9,49	19,77
N (t)	68,80	33,03	66,48
<i>sollicitation</i>			
NIVEAU II	S.E.C	S.E.C	S.E.C
Av (cm <sup>2</sup> )	t=25 5 TB p.m par face	t=25 5 T6 p.m par face	t=20 6 T6 p.m par face
Ah (cm <sup>2</sup> )	5 TB p.m par face	5 T6 p.m par face	6 TB p.m par face
Av <sub>j</sub> <i>parole</i>	0,6 cm <sup>2</sup> p.m par face 4 T10	0,6 cm <sup>2</sup> p.m par face 4 T10	0,6 cm <sup>2</sup> p.m par face 4 T10
M (t.m)	5,42	3,00	10,11
N (t)	38,77	17,30	39,01
<i>sollicitation</i>			
NIVEAU III	S.E.C	S.E.C	S.E.C
Av (cm <sup>2</sup> )	5 T6 p.m par face	5 T6 t=25 p.m par face	6 T6 t=20 p.m par face
Ah (cm <sup>2</sup> )	5 T6 p.m par face	5 T6 p.m par face	6 T6 t=20 p.m par face
Av <sub>j</sub> (cm <sup>2</sup> )	0,26 cm <sup>2</sup> p.m par face	0,26 cm <sup>2</sup> p.m par face	0,26 cm <sup>2</sup> p.m par face
parole	4 T10	4 T10	4 T10

- VOILES A. 2 FILES D'OUVERTURES -

	VT3B	VT4	VT6	
TRUMEAU I	M (t.m)	-2,78	-4,08	-18,82
	N (t)	31,94	30,64	-7,82
	solicita-tion	B.E.C.	S.E.C	A.R.T
	Av cm <sup>2</sup>	6T6 <sup>t=20</sup> p.m par face	5T8 p.m par face	5T6 p.m par face
	An cm <sup>2</sup>	6T6 p.m par face	5T8 p.m par face	5T6 p.m par face
	petlet	4T10	4T10	4T10
	Av <sub>j</sub> cm <sup>2</sup>	0,64 cm <sup>2</sup> p.m par face	0,64 cm <sup>2</sup>	0,96 p.m par face
	M (t.m)	0,028	-0,74	-3,98
	N (t)	5,45	-80,74	24,06
	solicita-tion	S.E.C	S.E.T	S.E.C
TRUMEAU II	Av (cm <sup>2</sup> )	7T6 <sup>t=10</sup> par face	5T12 p.m par face	5T6 p.m par face
	An cm <sup>2</sup>	7T6 <sup>t=10</sup>	5T10 p.m par face	5T6 p.m par face
	Av <sub>j</sub> petlet	0,64 cm <sup>2</sup> p.m par face	1,68 cm <sup>2</sup>	0,96 cm <sup>2</sup> p.m par face
	M (t.m)	0,064	-19,06	-1,00
	N (t)	-2,10	-48,50	-81,80
	solicita-tion	S.E.T	S.E.T.	S.E.T
	Av cm <sup>2</sup>	7T6 par face	5T10 p.m <sup>t=20</sup> par face	6T12 p.m par face
	An cm <sup>2</sup>	7T6 par face	5T10 p.m par face	6T10 p.m par face
	Av <sub>j</sub> cm <sup>2</sup>	0,64 cm <sup>2</sup> p.m face	1,64 cm <sup>2</sup> p.m par face	0,96 cm <sup>2</sup> p.m par face
	petlet	4T10	4T10	4T10
TRUMEAU III				

VOILES à une Fête d'ouverture

	VT <sub>2</sub>	VT <sub>3</sub>	VT <sub>9</sub>	VLB
M (t.m)	118,36	0,30	54,60	658,77
N (t)	68,63	9,26	48,6	87,20
$e_1 = \frac{ht}{6}$ (m)	0,86	0,118	0,635	1,27
nature de la sollicitation	S.P.C	S.E.T	S.P.C	S.P.C
$\sigma_1$ kg/cm <sup>2</sup>	- 8,91	- 6,19	- 6,53	- 23,01
$\sigma_2$ kg/cm <sup>2</sup>	26,64	- 10,94	33,55	34,42
Av 1 1'	5 T10 p.m par Face	5 T10 par Face	5 T10 p.m par Face	5 T10 p.m par Face
Av zone 2	5 T6 p.m. par Face		5 T6 p.m par Face	5 T6 p.m par Face
Ah (cm <sup>2</sup> )	5 T8 p.m. par Face	T8 t = 8 cm	5 T6 p.m par Face	5 T6 p.m. par Face
Av <sub>j</sub> (cm <sup>2</sup> )	1,06 cm <sup>2</sup> p.m par Face	1,06 cm <sup>2</sup> par Face	0,64 cm <sup>2</sup> p.m par Face	0,56 cm <sup>2</sup> p.m par Face
t (cm)	25 t = 12,5 en about	14 cm	20 12,5	25 12,5
M (t.m)	47,22	1,36	95,00	7,30
N (t)	36,69	3,53	71,81	- 50,82
$e_1 = \frac{ht}{6}$	0,646	0,20	0,76	0,30
sollicita- tion	S.P.C	S.P.C	S.P.C	S.E.T
$\sigma_1$ kg/cm <sup>2</sup>	- 6,24	- 1,81	- 4,19	- 20,70
$\sigma_2$ kg/cm <sup>2</sup>	18,25	5,73	31,72	- 9,19
Av 1 1' (cm <sup>2</sup> )	5 T10 p.m par Face	4 T10	5 T10 p Face	5 T10
Av zone 2	5 T6 p.m par Face	6 T6	5 T8 p.m p. face	p.m par Face
Ah (cm <sup>2</sup> )	5 T6 p.m par Face	6 T6	5 T8	5 T8 p.m : par Face
Av <sub>j</sub> (cm <sup>2</sup> )	0,6 cm <sup>2</sup> p.m par Face	2,46 0,6 cm <sup>2</sup> p.m. par Face	0,64 p.m partuee	1,89 p.m. par Face
t cm	25 t = 12,5 en about	t = 16 en about t = 16	25 12,5	25 12,5

VOILE - A. à 2 FILES D'OUVERTURES

	TRUMEAU I	TRUMEAU II	
M (t.m)	- 36,88	- 23,02	
N (t)	- 14,62	+ 23,58	
solicitation	S.E.T.	S.P.C	
Av cm <sup>2</sup>	5 T12 p.m. par face	3 T12 p.m. par face	
Ah cm <sup>2</sup>	5 T12 p.m. par face	5 T8 p.m. par face	
Poteler	3 T12 par face	3 T12 par face	
Avj cm <sup>2</sup>	1,68/8 p.m. par face	1,75 p.m. par face	
TRUMEAU III	Niveau I	Niveau II	Niveau III
M (t.m)	- 0,94	- 0,73	- 0,043
N (t)	- 255,84	- 127,84	- 39,81
solicitation	SET	SET	S.ET
Av cm <sup>2</sup>	6 T20 p.m. par face	6 T12 p.m. par face	6 T10 p.m. par face
Ah cm <sup>2</sup>	6 T20 p.m. par face	6 T10 p.m. par face	6 T10 p.m. par face
Avj cm <sup>2</sup>	4,5 p.m. par face	4,5 p.m. par face	4,5 p.m. par face
Poteler	3 T20 par face	3 T12 par face	3 T10 par face

- VOILE - D. - à 2 files d'ouvertures -

TRUMEAU I	Niveau I	Niveau II	Niveau III			
M. (t.m)	- 0,026	+ 0,015	0,0012			
N (t)	- 10,34	- 8,89	- 10,66			
solicitation	S. ET	S. ET	SET			
Av cm <sup>2</sup>	6 T14 <sup>t=10</sup> par face	6 T10 par face	6 T8 <sup>p.m.</sup> par face			
Ah cm <sup>2</sup>	6 T8 <sup>t=8</sup> par face	6 T8 <sup>t=8</sup> par face	6 T8 <sup>p.m.</sup> par face			
Avj cm <sup>2</sup>	3,90 par face	3,90 par face	3,90 par face			
Potelet	4 T14	4 T10	4 T10			
TRUMEAU II	Niveau I	Niveau II	Niveau III			
M (t.m)	- 21,96	- 25,69	- 7,54			
N (t)	- 13,595	- 7,40	+ 2,452			
solicitation	S. P.T	S.P.T	SPC			
Av	7 T2 <sup>t=10</sup> par face	8 T16 <sup>t=10</sup> par face	8 T6 <sup>p.m.</sup> par face			
Ah	7 T10 <sup>t=10</sup> p.m. par face	6 T10 <sup>t=10</sup> p.m. par face	8 T6 <sup>p.m. par face</sup>			
Avj	0,25 <sup>t=10</sup> p.m. par face	0,45 p.m. par face	0,85 <sup>t=10</sup> p.m. par face			
Potelet	4 T12	4 T12	4 T10			
TRUMEAU II	M (t.m)	N (t)	solicitation	Av cm <sup>2</sup>	Ah cm <sup>2</sup>	Avj cm <sup>2</sup>
II	- 8,94	15	S.E.C	6 T6 <sup>t=10</sup> p.m. par face	6 T6 <sup>t=10</sup> p.m. par face	0,87 <sup>t=10</sup> p.m. par face

### Ferraillage des linteaux.

Sous l'action de M et T les linteaux seront calculées en flexion simple comme des poutres encastrées à leurs extrémités. Il doivent être capables de reprendre les moments fléchissants et les efforts tranchants dûs aux charges permanentes, aux surcharges d'exploitation et aux séisme. La méthode utilisée sera celle proposée par Monsieur P.CHARRON; elle permet en même temps la vérification des contraintes par l'utilisation des tableaux, en outre cette méthode présente l'avantage d'être rapide.

Il convient cependant de tenir compte du fait que les actions horizontales (séisme) pouvant alterner, les moments fléchissants dans les linteaux peuvent alors changer de sens. Il sera donc procédé à un ferraillage symétrique de la section transversal des linteaux.

Les sections d'acières seront évaluées à partie de la combinaison du second genre. (S.P<sub>2</sub>)

\* Les contraintes de references sont :

$$\bar{\sigma}_b = 1,5 \cdot 73,74 = 110,16 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_a = 600 = 4200 \text{ Kg/cm} (\emptyset < 20)$$

$$\bar{\sigma}_t = 1,5 \times 137 = 205,5 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_h = 1,5 \cdot 5,9 = 8,85 \text{ Kg/cm}^2$$

Pourcentage minimum d'armatures :

$$A_s \geq 0,0015 b.a$$

$$A_i$$

$$A_c \geq 0,002 b.a$$

$$A_t \geq 0,0025 b.t \quad t \leq \frac{a}{4} \text{ (éspacement des cadres)}$$

$$l_r \geq \frac{a}{4} + 50 \emptyset$$

- Prescriptions relatives aux ferrailage des linteaux.

Art. 4.3.2.4

- Les linteaux doivent être conçus de façon à éviter leur rupture fragile. Ils doivent être capables de prendre l'effort tranchant et le moment fléchissant dont les sens d'action peuvent alterer.

Art. 4.3.2.5

- La vérification de la résistance des linteaux aux sollicitations d'effort tranchant les plus défavorables doit être effectuée avec :

$$* T = 1,4 \text{ fois l'effort tranchant de calcul}$$

$$* M \text{ calculé à partir de la valeur ci dessus de } T.$$

$$\bar{\sigma}_b = 0,12 \cdot \sigma_{28}$$

$$\sigma_b = 0,75 \cdot \sigma_{28}$$

$$\bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}_{at} = \sigma_{28}$$

Art. 4.3.3.1

- Les armatures de la section transversale résistant à l'effort tranchant doivent être calculées avec la formule.

$$\bar{w}_t = \frac{\sigma - \sigma_0}{\sigma_{28}} \cdot 100$$

$$\text{avec } \sigma = 1,4 T / b.z$$

où :  $\sigma$  est la contrainte de cisaillement et  $\sigma$  en est la limite élastique des aciers (en bars). Le pourcentage  $\bar{w}_t$  (en %) est calculé par rapport à la section totale brute du béton; il doit être supérieur à la valeur minimale indiquée dans l'article 4.3.3.2.

Art. 4.3.3.2

- pour  $\sigma_b < 0,025 \sigma_{28}$  : 0,15 % dans chaque
- pour  $0,025 \sigma_{28} \leq \sigma_b \leq 0,12 \sigma_{28}$  0,25 % direction

Art. 4.3.3.13 :

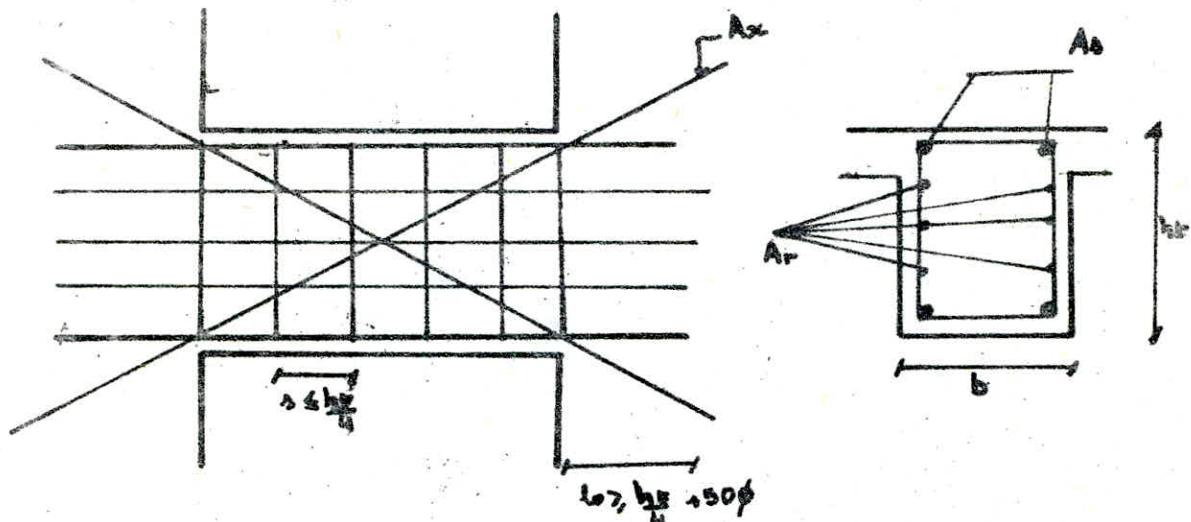
- Les armatures doivent être disposées et ancrées dans les étrumeaux suivant la figure ci après.

... / ...

Art. 4.3.3.14.

Pour  $\tau_c \geq 0,06 \tau_{cs}$ , des armatures supplémentaires doivent être disposées dans les angles suivant la figure ci-après.

-  $\tau_c$  = contrainte de cisaillement dans le linteau =  $1,4 \frac{T}{b.z}$



$$A_s \geq 0,0015 h \cdot b$$

$$A_r \geq 0,06 \tau_{cs}$$

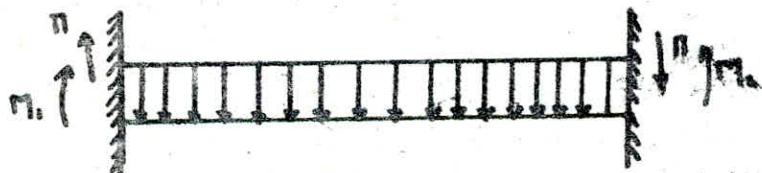
$$A_s, A_r \geq 0,00155 h$$

$$A_r \geq 0,0080 b h$$

$$A_s \geq 0,0085 b h$$

MÉTHODE DE CALCUL

LES LINTEAUX SONT CALCULÉS COMME DES POUTRES ENCASTRÉES  
AUX DEUX EXTREMITÉS



$$M_1 = \pi \frac{l}{2} + 9 \frac{l^2}{12}$$

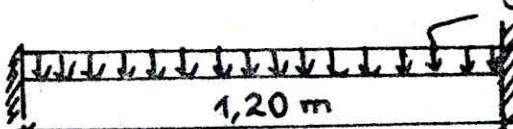
$$M_2 = \pi \frac{l}{2} - 9 \frac{l^2}{12}$$

ON POURRAILLERA LES LINTEAUX AVEC  $M_1 = M_2$  ET DU FAIT QUE LE SEISME  
AGIT AUSSI BIEN DANS UN SENS QUE DANS L'AUTRE

Nous donnerons, ici un calcul détaillé pour les linteaux respectivement transversal, (2) et (4) à 1 file et à 2 files d'ouvertures. La méthode de calcul étant la même nous exposerons les résultats sous forme de tableau.

### 1°/ Etude du Linteau du voile T<sub>2</sub>

(1 file d'ouverture)



$$G = 1,643 \text{ t/ml}$$

$Q_1$  = Poids propre du linteau

$$Q_1 = 2,5 \times 0,5 \times 0,15 = 0,1875 \text{ t/ml}$$

$Q_2$  = Poids de plancher revenant au linteau

$$Q_2 = 0,607 \times \frac{288}{1,20} = 1,456 \text{ t/ml.}$$

a/ G = Charge permanente sur le linteau

$$G = Q_1 + Q_2 = 0,1875 + 1,456 = 1,6435 \text{ t/ml}$$

Effort Tranchant due à G

$$T_G = \frac{1,643 \times 1,20 - qL}{2}$$

$$T_G = 0,985 \text{ t.}$$

Moment fléchissant

$$M_G = \frac{qL^2}{12} = 1,643 \times \frac{(1,20)^2}{12}$$

$$= 0,197 \text{ tm.}$$

b/ Surcharge d'Exploitation

$$Q_s = 0,175 \times \frac{2,88}{1,20} = 0,42 \text{ t/ml}$$

Effort tranchant du à Q<sub>s</sub>

$$T_{Qs} = \frac{Q_s L}{2} - \frac{0,42 \times 1,20}{2}$$

$$T_{Qs} = 0,252 \text{ t}$$

Moment fléchissant

$$MQ_s = \frac{Q_s L^2}{12} = \frac{0,42 \times (1,20)^2}{12}$$

$$MQ_s = 0,0504 \text{ tm.}$$

.../..

C/ Séisme - Horizontal

Effort tranchant due à  $S_{ih}$

$$T = 1,4 \cdot \pi \\ = 1,4 \cdot 7,82$$

$$T_{sh} = 10,94 \text{ t}$$

Moment fléchissant

$$M_{sh} = \pi \cdot h \\ M_{sh} = 7,82 \cdot 0,5$$

$$M_{sh} = 3,91 \text{ kNm}$$

D/ Séisme - Vertical

$$Q_{sv} = (G + \frac{\rho g}{5}) V_{max} \\ = (1,643 + \frac{0,42}{5}) 0,086 = 0,148 \text{ t/mL} \\ Q_{sv} = 0,148 \text{ t/mL}$$

Effort tranchant due à  $Q^{sv}$  ; Moment fléchissant

$$T_{Qsv} = \frac{0,148 \times 1,20}{2} ; M_{Qsv} = \frac{0,148 \times (1,20)^2}{12}$$

$$T_{Qsv} = 0,088 \text{ t} ; M_{Qsv} = 0,0177 \text{ t m}$$

sous  $Sp_2$ :

$$T_{max} = \sum T_i = 0,088 + 10,94 + 0,252 + 0,985 = 12,266 \text{ t}$$

$$M_{max} = \sum M_i = 0,017 + 3,91 + 0,0504 + 0,197 = 4,174 \text{ t m}$$

$$T_{max} = 12,266 \text{ t} \\ M_{max} = 4,174 \text{ t m}$$

Vérification au désarrimage :

$$\bar{\sigma}_b = 0,12 \sqrt[4]{28} = 0,12 \times 270 = 32,4 \text{ bars.} \\ = 33,05 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_b = \frac{T}{bz} = \frac{12,266 \times 10^3}{15 \times \frac{7}{8} \times \frac{46}{8}} = 20,31 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b$$

Ferrailage et vérifications selon la méthode de P.CHARRON

$$P = \frac{15 \times 1}{\sqrt{a} \times b \times h} = \frac{15 \times 4,174}{4200 \times 15 \times (46)^2} = 0,0469$$

$$P = 0,0469 \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} k = 39,8 \\ \xi = 8,3688 \end{array} \right. \quad \dots$$

### Armatures de répartition.

$$A_r = 0,002 b h_t = 0,002 \times 15 \times 50 = 1,5 \text{ cm}^2$$

On prendra 6.T.6 (1,69 cm<sup>2</sup>).

### Calcul des aciers Transversaux

$$A_t \geq 0,0025 bt \quad \text{avec } t = \frac{ht}{4} = 12,5 \text{ cm}$$

$$A_t \geq 0,0025 \cdot 15 \times 12,5 = 0,46 \text{ cm}^2$$

On prendra  $A_t = 4T8$ . 1 Cadre + 1 épingle;

$$A_t = (2,01 \text{ cm}^2)$$

Ce qui donne comme espacement/

$$t = \frac{z}{at} A_t$$

$$t = \frac{\frac{7}{8} T}{\frac{46}{12,26} \times \frac{4200}{10^3}} \times 2,01 = 27,71 \text{ cm.}$$

$$t = \frac{ht}{4} = 12,5 \text{ cm} \quad \text{on retiendra alors} \quad t = 12 \text{ cm}$$

On prévoit des armatures d'angle dans le cas où

$$\mathcal{G}_b \geq 0,06 \quad T28 = 16,2 \text{ bars} \quad \text{c'est le cas car} \\ = 16,5 \text{ kg/cm}^2; \quad \mathcal{G}_b = 20,31 \text{ kg/cm}^2$$

### Armatures d'Angles

$$A_x = 0,0015 \times 15 \times 50 = 1,125 \text{ cm}^2$$

On prendra 2 T 10 (1,57 cm<sup>2</sup>)

### Arrêt des Armatures d'angles.

$$L_0 = \frac{ht}{4} + 50 \varnothing \\ = \frac{50}{4} + 50 \times 0,8 = 52,5 \text{ cm}$$

On prendra  $L_0 = 53 \text{ cm.}$

### Longueur de la barre.

$$L = \sqrt{l^2 + (ht)^2} + 2 \times \frac{L_0}{\cos 45^\circ}$$

$$L = \sqrt{(1,20)^2 + (50)^2} + 2 \times \frac{53}{\cos 45^\circ} = 199,92 \text{ cm.}$$

$$\bar{V}_b' = 205,5 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{V}_b' = \frac{\bar{V}_a}{k} = \frac{4200}{39,8} = 105,52 \text{ kg/cm}^2 < \bar{V}_b'$$

donc les armatures comprimées ne sont pas nécessaire.

La section d'armature tendue sera donc égale.

$$A = \frac{\bar{V}_b'}{\bar{V}_a \cdot E_h} = \frac{4,174 \cdot 10^5}{4200 \times 0,9025 \times 46}$$

$$A = 2,37 \text{ cm}^2 \quad \text{on retiendra } 5 \text{ T } 8 = 2,51 \text{ cm}^2$$

Contrainte d'adherence admissible pour l'entraînement :

$$\bar{\sigma}_d = 2 \varphi_d \bar{V}_b = 2 \times 1,5 \times 8,85 = 26,55 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_d = \frac{T}{n P z} = \frac{T}{[(4(\pi + 2)d + R_s d)] \frac{7}{8} h}$$

$$\bar{\sigma}_d = \frac{12,26 \cdot 10^3}{[(4(\pi + 2)0,8 + \pi \times 6,8)] \frac{7}{8} \cdot 46} = 13,20 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_d < \bar{\sigma}_d$$

Vérification à la fissuration.

$$\bar{V}_1 = 1,5 \cdot 10^6 \quad \frac{1,6 \cdot 0,017}{8 \cdot 1 + 10 \cdot 0,017} \quad W_f = \frac{2,51}{15,2 \times 4,4 \times 2}$$

$$W_f = 0,017$$

$$\bar{V}_1 = 4358,97 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{V}_2 = 2,4 \quad \boxed{\frac{1,510^6 \cdot 1,6 \cdot 8,85}{8}} = 3910,60 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{V}_a = \max (\bar{V}_1; \bar{V}_2) \quad \text{ceci est vérifié.}$$

Condition de non fragilité

$$A \geq 0,69 \cdot b \cdot h \quad \frac{\bar{V}_a}{\bar{V}_{an}} = \frac{0,69 \times 15 \times 46 \times 8,85}{4200}$$

$$A \geq 1,00 \text{ cm}^2 \quad \text{Vérifiée.}$$

.../...

On prendra  $L = 200 \text{ cm}$

Vérification des contraintes

$$\frac{W}{b \cdot h} = \frac{100 \times A}{15 \times 50} = \frac{100 \times 2,51}{15 \times 50}$$

$$W = 0,3346 \quad \text{P. CHARRON}$$

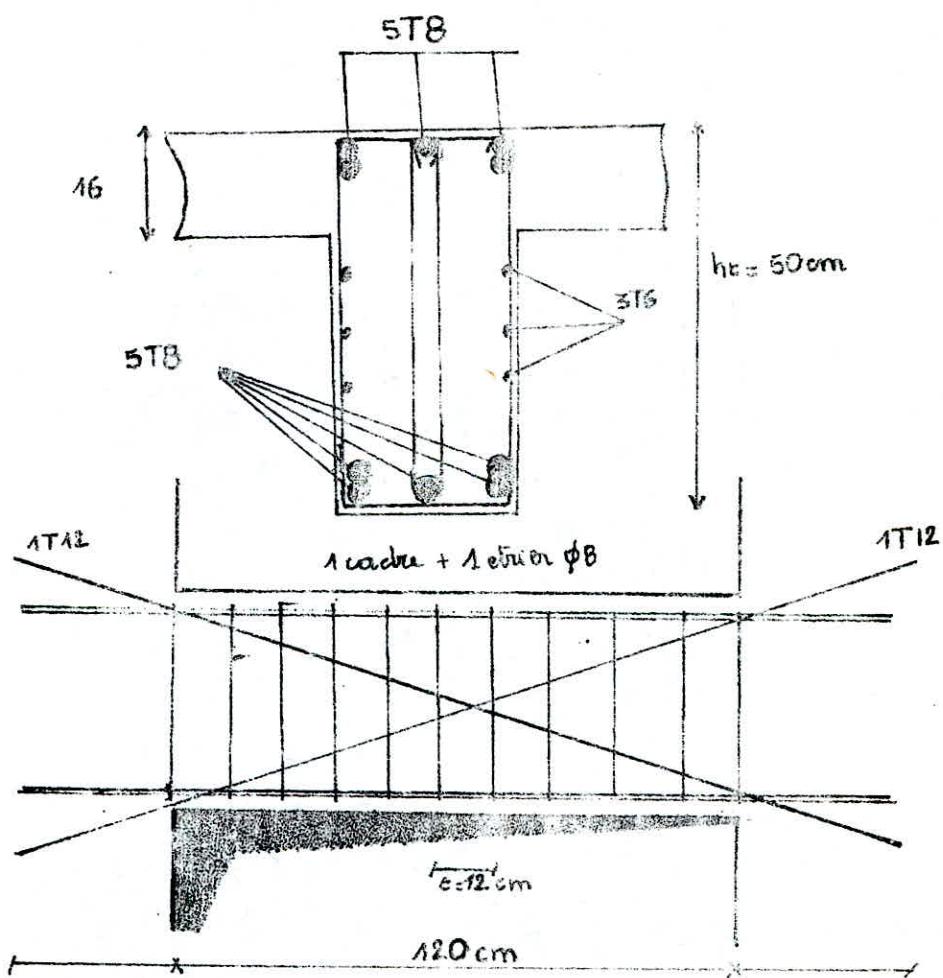
$$\rightarrow \left\{ \begin{array}{l} E = 0,9098 \\ K = 40,4 \end{array} \right.$$

$$\overline{F_a} = \frac{M}{A \cdot E \cdot h} = \frac{4,174 \cdot 10^5}{2,51 \cdot 0,9098 \cdot 45} = 3973,519 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\overline{F_a} < \overline{F_c}$$

$$\overline{F_b} = \frac{\overline{F_c}}{K} = \frac{3973,519}{40,4} = 98,35 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\overline{F_b} < \overline{F_b}' = 205,5 \text{ Kg/cm}^2$$



EFFORTS SOLICITANT LES LINTEAUX

	T (t)	M (tm)
VLA	38.06	13.82
VLB	22.39	9.82
VLD	18.85	8.43
VT2	12.26	4.17
VT3b	7.99	3.18
VT4	21.32	9.25
VT7	6.99	3.01
VT8	23.00	10.23
VT9	19.58	8.39

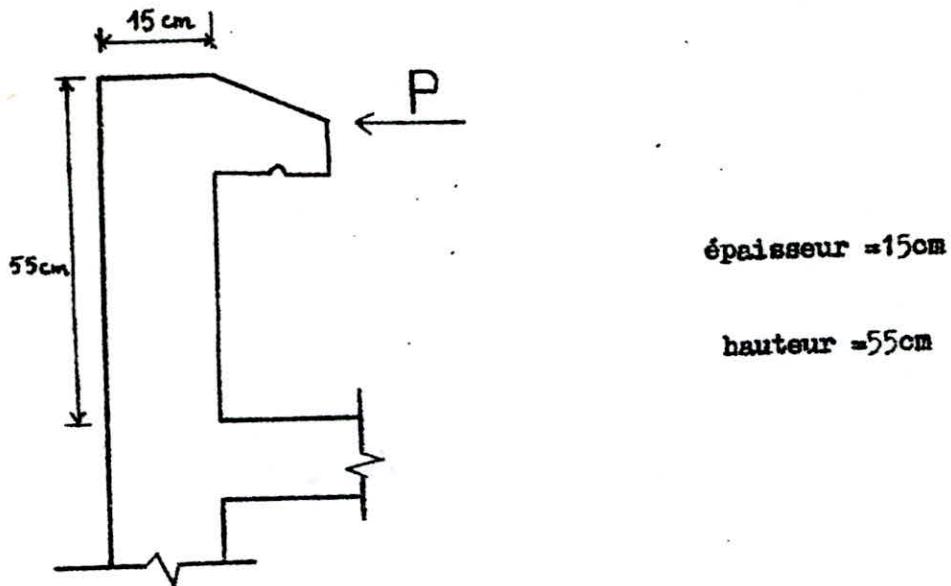
TABLEAU RESUMANT LE FERRAILLAGE DES LINTEAUX

	$l$ (cm)	ht (cm)	b (cm)	$A_s$ ( $\text{cm}^2$ )	$A_t$ ( $\text{cm}^2$ )	$A_{t'}$ ( $\text{cm}^2$ )	$A_r$ ( $\text{cm}^2$ )	$K_s$ ( $\text{cm}^2$ )	$t$ (cm)	L (cm)
VIA	100	70	20	7.52 5T14	7.52 5T14	1.13 4T6	3.01 6T8	2.26 2T12	10	350
VLB	180	63	20	5.65 5T12	5.65 5T12	1.13 4T6	3.01 6T8	2.01 4T8	10	400
VLD	90	63	20	3.92 5T10	3.92 5T10	2.01 4T8	3.01 6T8	2.26 4T8	15	390
VT2	120	50	15	2.51 5T8	2.51 5T8	2.01 4T8	1.69 6T6	1.57 2T10	12	200
VT3b	80	63	15	2.01 4T8	2.01 4T8	0.56 2T6	2.01 4T8	0.00	15	0.00
VT4	200	63	15	4.71 6T10	4.71 6T10	1.13 4T6	2.01 4T8	2.01 4T8	10	400
VT7	200	63	15	2.01 4T8	2.01 4T8	0.56 2T6	2.01 4T8	0.000	10	0.00
VT8	120	63	15	4.71 6T10	4.71 6T10	1.13 4T6	2.01 4T8	2.01 4T8	10	380
VT9	120	63	15	4.52 4T12	4.52 4T12	1.00 2T8	2.01 4T8	1.57 2T10	12	325

## **—CHAPITRE 8—**

**—CALCUL  
DES' ELEMENTS'**

CALCUL DE L'ACROTERE

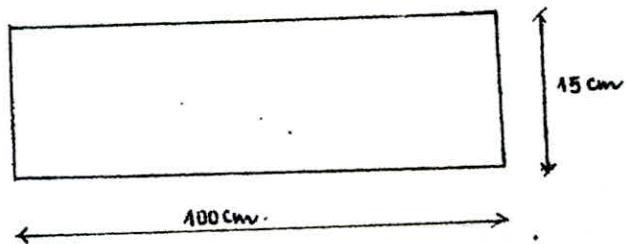


L'acrotere est assimilable à une console encastrée dans le plancher terrasse. La section dangereuse est celle de l'enca斯特rement. La console est soumise à son poids propre et à une surcharge réglementaire de 100kg/ml

$$\text{Poids propre} = G = 2500 \cdot 0,15 \cdot 0,55 = 206,25 \text{kg/ml}$$

Surcharge  $P = 100 \text{kg/ml}$  (main courante)

Le calcul se fera en flexion composée on prendra un mètre linéaire d'acrotere ( nous considérons une section rectangulaire )



EFFORT NORMAL:

$$N = G = 206,25 \text{ kg/ml}$$

Moment de flexion produit dans la section d'encastrement, par la charge  $Q = 1,2S$        $M = 1,2S \cdot h$

$$M = 1,2 \cdot 100 \cdot 0,55 = 66 \text{ kg.m / ml}$$

La méthode utilisée est celle de M<sup>r</sup> P. CHARRON.

$$* \text{ Centre de pression} \quad M = N \cdot e \quad e = \frac{M}{N} = \frac{66}{206,25} = 0,32 \text{ m}$$

$$e = 32 \text{ cm} > \frac{ht}{6} = \frac{15}{6} = 2,5 \text{ cm}$$

$$e = \frac{ht}{6} \quad \text{Section partiellement comprimée.}$$

Moment par rapport aux aciers tendus:

$$M_A = N y_A \quad y_A: \text{distance entre les aciers et le centre de pression.}$$

$$y_A = e + \left( \frac{ht}{2} - d \right) = 32 + \left( \frac{15}{2} - 2 \right) = 37,5 \text{ cm}$$

$$M_A = 206,25 \cdot 0,375 = 77,34 \text{ kg.m / }$$

Moment résistant du béton:

$$Mr_b = b \cdot \frac{\bar{G}_b}{2} (h - y/3) \quad y = \frac{n \cdot \bar{G}_b}{n \cdot \bar{G}_b + \bar{G}_a} h \quad n=15$$

$$y = \frac{15 \cdot 137,5 \cdot 13}{15 \cdot 137,5 + 2800} = 5,5 \text{ cm}$$

$$Mr_b = 100 \cdot \frac{137,5}{2} \cdot 5,5 \cdot \left( 15 - \frac{5,5}{3} \right) = 498588,75 \text{ kg.cm}$$

$$Mr_b > M_A \quad \text{Aciers comprimée non nécessaire.}$$

Calcul des aciers:

le calcul se fera en flexion simple sous l'effet du moment  $M_A$

puis en déduit la section en flexion composé par la relation suivante:

$$A = A_1 - \frac{N}{\bar{G}_a} \quad K = 205$$

$$A_1 = \frac{15 M}{\bar{G}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 7734}{2800 \cdot 100 \cdot 13^2} = 0,00245 \quad \epsilon = 0,9773.$$

$$A_1 = \frac{N}{\bar{G}_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{7734}{2800 \cdot 0,9773 \cdot 13} = 0,217 \text{ cm}^2$$

$$A = A_1 - \frac{N}{\bar{G}_a} = 0,217 - \frac{206,25}{2800} = 0,143 \text{ cm}^2$$

La section d'acier trouvée étant très faible, on adoptera alors une section minimale conformément aux prescriptions du C.C.B.A. 69 (Art.52) relative à la condition de non fragilité.

$$A \geq 0,69 \cdot b h \frac{5b}{5cm} = 0,69 \cdot 100 \cdot 13 \frac{5,9}{4200} = 1,26cm^2$$

On choisira alors 6 T 6 ( $A = 1,70 cm^2$ ) espacés de 15cm.

#### VERIFICATION DE LA FISSURATION :

$$K = 1,5 \cdot 10^6 \text{ fissuration peu préjudiciable}$$

$$\gamma = 1,6$$

$$\phi = 6mm$$

$$\bar{\omega}_f = \frac{A}{b\gamma} = \frac{1,70}{4,100} = 4,25 \cdot 10^{-3}$$

$$\bar{\delta}_1 = \frac{K\gamma}{\phi} \cdot \frac{4,100}{1 + 10 \bar{\omega}_f}$$

$$\bar{\delta}_1 = 1630 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\delta}_2 = 2,4 \sqrt{\frac{K\gamma \bar{\delta}_b}{\phi}}$$

$$\bar{\delta}_2 = 3687 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\delta}_f = \max(\bar{\delta}_1, \bar{\delta}_2) = 3687 \text{ kg/cm}^2 > \bar{\delta}_a$$

$$\bar{\delta}_a = \min\left(\frac{2}{3} \delta_{en}, \bar{\delta}_f\right) = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

La condition de fissuration est vérifiée.

#### VERIFICATION DE L'EFFORT TRANCHANT :

On doit vérifier que:

$$A \bar{\delta}_a \geq T + \frac{M}{z}$$

$$T = 1,2 P = 1,2 \cdot 100 = 120 \text{ kg/mm}$$

$$z = 7/8 \cdot h = 7/8 \cdot 13 = 11,37 \text{ cm}$$

$$1,70 \cdot 2800 - 4760 > 120 + \frac{11,37 \cdot 10^2}{11,37} = 800,2$$

Donc les armatures ne sont soumises à aucun effort de traction.

#### VERIFICATION AU SEISME :

Les acrôteres sont soumises à des sollicitations horizontales de directions quelconques agissant seules.

$$y = \bar{\delta} \cdot W \quad P = 0,3 \cdot 206,25 = 61,88 \text{ kg} \quad (1)$$

: coefficient sismique local uniforme .

$$\bar{\delta} = 0,20 + 0,10 \alpha$$

$$\bar{\delta} = 0,20 + 0,10 (1) = 0,3$$

$$W = G + \frac{P}{5} \quad \text{avec } G : \text{poids propre de l'acôtere} . \quad W = 206,25 \text{ kg/mm}$$

$P$  : surcharge dépolitation verticale ( $P = 0$ )

(1)  $\Rightarrow$  La vérification au séisme n'est pas nécessaire

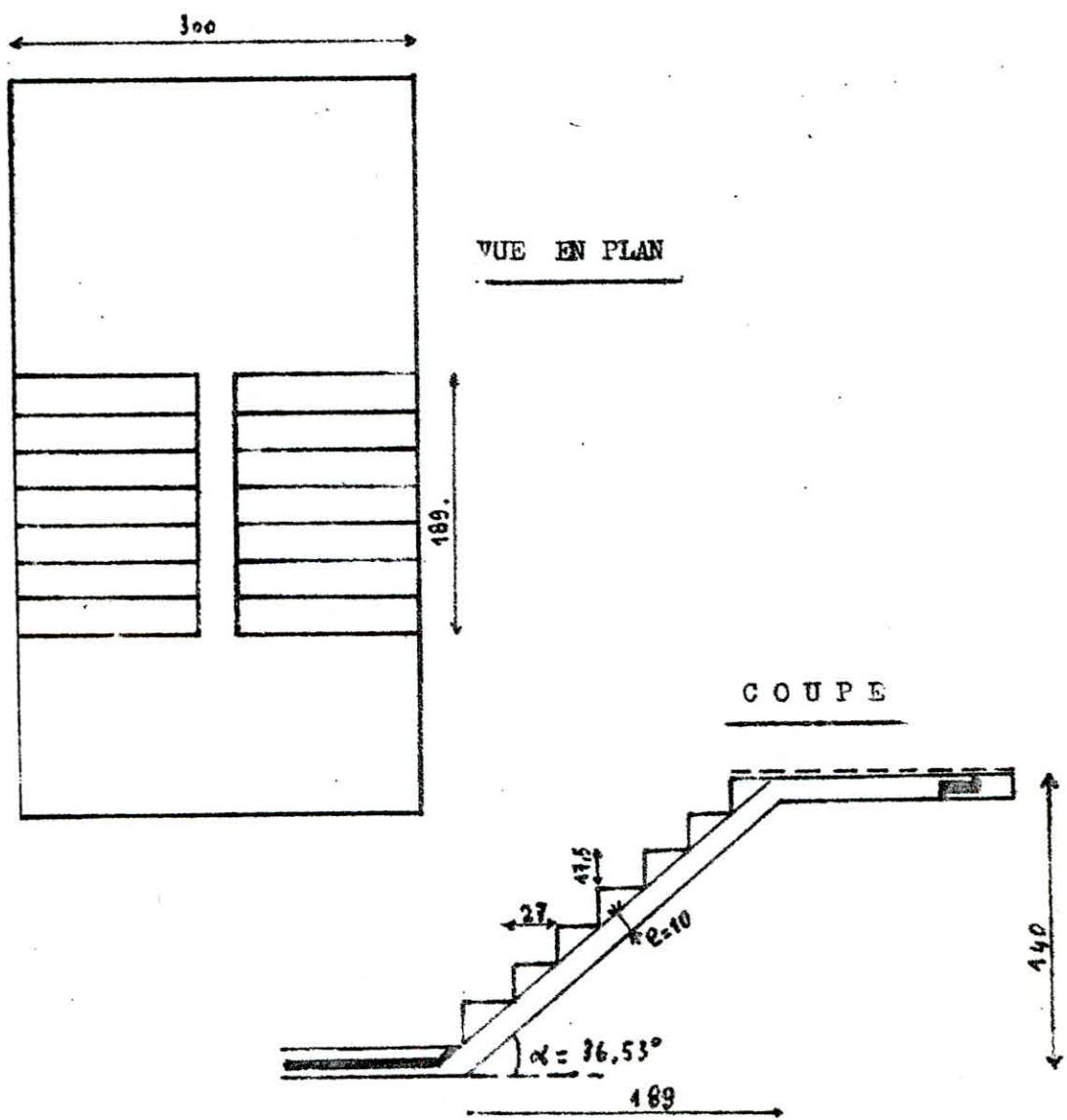
## CALCUL DE L'ESCALIER

La cage d'escalier est située à l'intérieur du bâtiment, celle-ci est limitée de part et d'autre par des voiles transversaux appelés murs d'échiffres.

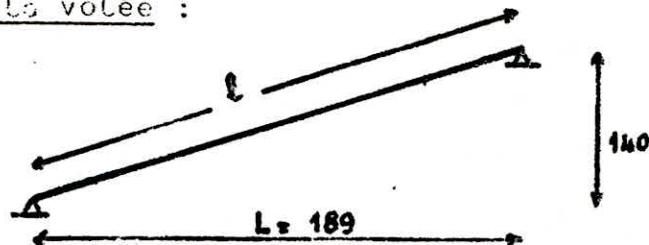
Les escotiers seront en béton armé à volées préfabriquées alors que les piliers seront coulés sur place.

Les piliers s'encastrent dans les refends, tandis que la volée repose simplement sur les deux piliers.

## SCHEMATISATION DE L'ESCALIER



Calcul de la volée :



1/ épaisseur de la poutrelle :

$$t_g \alpha = \frac{140}{189} = 0,74$$

$$\text{d'où } \alpha = 36,53^\circ$$

$$\cos \alpha = 0,803$$

$$\sin \alpha = 0,593$$

d'après les recommandations du C.T.C la poutrelle sera calculée en flexion simple pour les charges normales C.P+1,25 avec une portée horizontale égale à la distance entre les deux plans verticaux passant par les extrémités des bequets.

Dans le cas de la dalle portant sur les deux cotés, l'épaisseur de la poutrelle à prendre est généralement comprise entre  $\frac{1}{20}$  et  $\frac{1}{30}$  de la portée entre appuis/

$$t = \frac{L}{\cos \alpha} = \frac{189}{0,803} = 235 \text{ cm.}$$

$$\frac{L}{30} \leq e \leq \frac{L}{20} \Rightarrow \frac{235}{30} \leq e \leq \frac{235}{20}$$

$$\Rightarrow 7,83 \leq e \leq 11,75 \text{ cm.}$$

On prend  $e = 10 \text{ cm}$  pour toute la poutrelle.

Prédimensionnement :

$$h = \frac{140}{8} = 17,5 \text{ cm.}$$

$$g = \frac{189}{7} = 27 \text{ cm.}$$

- Formule de Blondel :

$$60 \leq 2h + g = 64 \text{ cm.}$$

comme  $2h + g = 62 \text{ cm.}$

Donc la formule est bien vérifiée.

### Evaluation des charges et surcharges :

Dans le calcul, on peut admettre que les surcharges et le poids propre constituent une charge uniformément répartie sur un (01) mètre de projection horizontal et pour un mètre d'emmarchement.

#### - Charges permanentes :

$$\cdot \text{Poids propre de la paliasse} : \frac{2500 \times 2}{200}$$

$$\Rightarrow \frac{2500 \times 0,10}{0,803} = 311,3 \text{ Kg/mL.}$$

$$\cdot \text{Poids propre des marches} = \frac{2200 \times h}{2}$$

$$\frac{2200 \times 0,175}{2} = 192,5 \text{ Kg/mL.}$$

$$\cdot \text{Revêtement} (\sim 3\text{cm}) : 2200 \times 0,03 = 66 \text{ Kg/mL.}$$

$$\cdot \text{Garde corps} = 100 \text{ Kg/mL.}$$

$$\Rightarrow \text{Poids propre total} = 669,8 \text{ KG/mL.}$$

#### Surcharges :

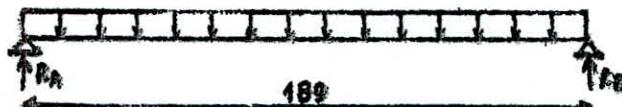
$$\text{Escalier d'habitation} \quad S = 250 \text{ Kg/mL}$$

La charge de calcul sera donc prise égale à :

$$q = C.P + 1,2S$$

$$q = 669,8 + 1,2 \cdot 250 \Rightarrow = 970 \text{ KG/mL}$$

### Determination des efforts :



Calcul des réactions  $R_A$  et  $R_B$ .

$$R_A = R_B = \frac{q \cdot L}{2} = \frac{970 \cdot 1,89}{2}$$

$$\underline{R_A = R_B = 916,65 \text{ Kg}} / \text{On prend } R_A = R_B = 917 \text{ Kg}$$

Solt M le Moment de flexion dans la paliasse

$$M_{\text{max}} = \frac{qL^2}{8} = 433,12 \text{ Kg.m.}$$

$$e = ht = 10 \text{ cm.}$$

- Ferrailage :

$$M = 433,12 \text{ Kg.m}$$

$$h = 8 \text{ cm.}$$

$\phi = 0,8 \text{ cm}$ , pour éviter la fissuration on doit choisir  $\phi \leq \frac{\epsilon}{10}$

$$\Rightarrow \phi \leq \frac{100}{10} = 10 \text{ mm} = 1 \text{ cm.}$$

On prend  $\phi = 8 \text{ mm.}$

- Méthode de Monsieur Pierre Charron :

$$\mu = \frac{n M}{\sigma_a \cdot b \cdot h^2}$$

$$\mu = \frac{15 \cdot 433,12 \cdot 10^2}{2800 \cdot 100 \cdot 8^2} = 0,0363$$

$$\mu = 0,0363 \quad \left. \begin{array}{l} K = 46,4 \\ E = 0,9186 \end{array} \right\}$$

$$A = \frac{M}{\sigma_a \cdot E \cdot h} = \frac{433,12 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9186 \cdot 8} = 2,10 \text{ cm}^2$$

On prendra 6  $\phi 8 = 3,01 \text{ cm}^2$ .

$$\bar{\sigma}_b' = 60,34 \text{ Kg/cm}^2 < 135 \text{ Kg/cm}^2 = \bar{\sigma}_b'$$

Dans les armatures comprimées ne sont pas nécessaires.

- Armatures de répartition :

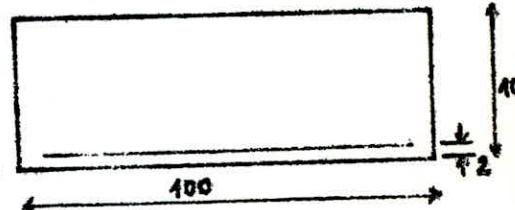
On prévoit des armatures de répartition telle que :

$$\frac{1}{4} A_L \leq A_{rep} \leq \frac{1}{2} A_L$$

$$0,752 \leq A_{rep} \leq 1,5$$

Soit 4 T 6 /ml avec  $A = 1,13 \text{ cm}^2$

avec un espacement de  $b = 20 \text{ cm.}$



- Vérifications :

a/ Vérification de non fissuration

La valeur maximum de la contrainte de traction des armatures sera limitée par la plus grande des valeurs suivantes :

$$\sigma_1 = k \frac{n}{\phi} \cdot \frac{\bar{w}_f}{1 + 10 \cdot \bar{w}_f}$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{n \cdot k}{\phi}} \cdot \bar{\sigma}_b$$

$K = 1,5 \cdot 10^6$  : fissuration peu nuisible.

$\mu = 1,6$  : acier H.A  $\phi = 8 \text{ mm.}$

$$\frac{A}{\bar{w}_f} = \bar{w}_f = \frac{3,01}{4,100} = 0,0075$$

$$\sigma_1 = \frac{1,5 \cdot 10^6 \cdot 1,6}{8} \cdot \frac{0,0075}{1 + 10 \cdot 0,0075} = 2093, \text{Kg/cm}^2.$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{1,5 \cdot 10^6 \cdot 1,5 \cdot 5,9}{8}} = 3091,6 \text{ Kg/cm}^2.$$

$$\sigma_f = \max \{ \sigma_1, \sigma_2 \} = 3091,6 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\sigma_a = \min \begin{cases} \frac{2}{3} \sigma_{en} \\ \bar{\sigma}_f \end{cases} = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

$$= 3091,6 \text{ Kg/cm}^2.$$

Donc  $\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ Kg/cm}^2$ .

La vérification à la non fissuration est satisfaitte

- Vérification des contraintes :

$$A = 3,01 \text{ cm}^2.$$

$$w = \frac{100}{b; n} A = \frac{3,01 \cdot 100}{100 \cdot 8} = 0,3762$$

$$w = 0,3762 \quad \left\{ \begin{array}{l} k = 37,8 \\ \epsilon = 0,9053. \end{array} \right.$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A \cdot E \cdot h} = \frac{433,12 \cdot 10^2}{3,01 \cdot 0,9053 \cdot 8} = 1986,82 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\rightarrow \sigma_a = 1986,82 < 2800 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\sigma_b' = \frac{\sigma_a}{K} = \frac{1986,82}{37,8} = 52,56 \text{ Kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 135 \text{ Kg/cm}^2$$

- Vérification à l'effort tranchant :

$$\tau_b = \frac{T}{b \cdot z} = \frac{916,65}{100 \cdot 7/8 \cdot 8} = 1,31 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\bar{\tau}_b = 1,15 \cdot \bar{\sigma}_b = 1,15 \cdot 5,9 = 6,79 \text{ Kg/cm}^2$$

$\rightarrow \tau_b < \bar{\tau}_b$  Donc les armatures transversales ne sont pas nécessaires.

- Vérification de non fragilité :

$$A \geq 0,69 \cdot b \cdot h \cdot \frac{\bar{\sigma}_b}{f_{en}}$$

$$A \geq 0,69 \cdot 100 \cdot 8 \cdot \frac{5,9}{2800} = 1,16 \text{ cm}^2$$

Comme notre section  $A = 3,01 \text{ cm}^2$

Donc la condition est vérifiée.

- Vérification de la flèche :

La flèche est donné par la formule suivante :

$$f = \frac{5 q l^4}{284 \cdot E I} ; \quad E = 7000 \sqrt{\sigma_b} = 7000 \cdot \sqrt{270}$$

$$f = \frac{5}{384} \frac{970 \cdot 1,84^4}{38 \cdot 115021,73 \cdot 1 \cdot \frac{10^{-12}}{12}} = 0,17 \text{ m.}$$

- La fléche admissible est donnée par des recommandations techniques relatives au volées d'escaliers préfabriquées en béton armé du type "pallasse pleine".

$$\bar{f} = \frac{1}{300} \text{ de la portée horizontale.}$$

$$\bar{f} = \frac{1}{300} \cdot 1,89 = 0,63 \text{ cm.}$$

$$f = 0,17 \text{ cm} < \bar{f} = 0,63 \text{ cm.} \quad \text{Vérifiée.}$$

- Vérification d'about :

$$A \cdot \tilde{\sigma}_a > T + \frac{M}{Z}$$

$$\text{nous avons } A \cdot \tilde{\sigma}_a = 3,01 \cdot 2800 = 8428 \text{ Kg.}$$

$$T + \frac{M}{Z} = 916,65 + \frac{433,12 \cdot 10^2}{\frac{7}{8}} = 7104,07 \text{ Kg.}$$

$$\text{Donc } A \cdot \tilde{\sigma}_a > T + \frac{M}{Z}$$

Relation vérifiée.

- Vérification d'adhérence :

La contrainte d'adhérence admissible vis à vis de l'entraînement des barres est :

$$\tilde{\sigma}_d = 2 \cdot \gamma_d \cdot \tilde{\sigma}_b = 2 \cdot 1,5 \cdot 5,9 = 17,7 \text{ Kg/cm}^2.$$

$$\tilde{\sigma}_d = \frac{T}{n.P.z} = \frac{916,65}{6,3 \cdot 14,7 / 8,8} = 6,95 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\text{Donc } \tilde{\sigma}_d < \tilde{\sigma}_d \quad \text{----- Vérifiée.}$$

#### Remarque :

Afin de tenir compte d'un éventuel transport à l'envers de la volée, on dispose des armatures longitudinales supérieures calculées sous le poids propre de la volée seulement (création d'un moment de flexion).

Les armatures seront reliées aux armatures principales par les cadres.

## ÉTUDE DES PALIERS

### A) PALIER INTERMEDIAIRE

On calculera le palier comme une dalle encastrée sur deux cotés et libre sur deux autres, cette dalle sera soumise aux efforts suivants :

- Poids propre
- Surcharge majorée
- La réaction que transmet la volée au palier, cette réaction sera considérée comme une charge uniformément répartie, elle est égale à la moitié de la charge totale de la volée; Pour les deux volées, la charge à considérer sera prise égale à la charge totale de la volée

### B ) CHARGES ET SURCHARGES

$$\text{Poids propre du palier} \quad 2500 \cdot 0,16 = 400 \text{ kg/m}^2$$

$$\text{Mortier de pose} \quad 2200 \cdot 0,02 = 44 \text{ kg/m}^2$$

$$\text{Carrelage} \quad 2200 \cdot 0,02 = 44 \text{ kg/m}^2$$

$$\text{Sable} \quad 1700 \cdot 0,01 = 17 \text{ kg/m}^2$$

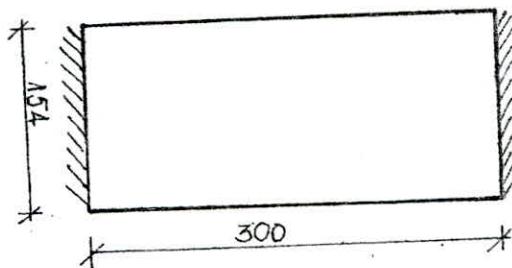
$$\text{Surcharge} \quad 1,2 \cdot 250 = 300 \text{ kg/m}^2$$

$$Q_p = 805 \text{ kg/m}^2$$

$$\text{Charge due à la volée} \quad Q_v = 970 \text{ kg/m}^2$$

$$q = Q_p + Q_v = 1775 \text{ kg/m}$$

On considérera une bande de 1m

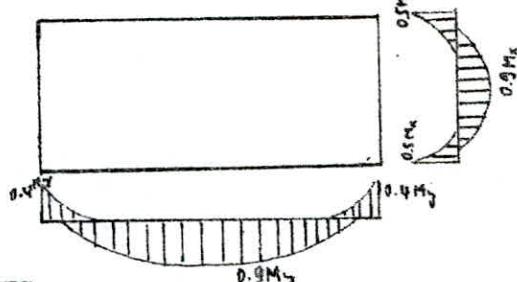


$$\beta = -\frac{l_x}{l_y} = -\frac{154}{300} = 0.513 > 0.4$$

Donc les moments seront calculés suivant les deux sens ( $l_x$  et  $l_y$ )

$$M_x = \frac{1}{4} x q l_x^2 = 0,0965 \cdot 1775 \cdot 1,54^2 = 406,2 \text{ kg.m}$$

$$M_y = M_y \cdot q l_x^2 = 0,0335 \cdot 406,2 = 136,08 \text{ kg.m}$$



CALCUL DES MOMENTS  
Suivant Ix

$$M_{tx} = 0.9 M_x = 365,58 \text{ kg.m}$$

$$M_{ax} = 0.5 M_x = 203,10 \text{ kg.m}$$

Suivant ly

$$M_{ty} = 0.9 M_y = 122,47 \text{ kg.m}$$

$$M_{ay} = 0.4 M_y = 54,43 \text{ kg.m}$$

#### FERRAILLAGE.

ON utilisera la méthode de (P. CHARRON), conformément aux règles C.C.B.A.68 on calculera le moment en appui de la petite portée et en ferraillera avec dans le sens de la grande portée.

APPUI

$$M_a = 203,10 \text{ kg.m}$$

$$\mu = \frac{15 M_a}{\bar{\epsilon}_a b h} \quad \mu = \frac{15 \cdot 20310}{2800 \cdot 100 \cdot 14^2} = 0.0055$$

$K = 133$

$$\mu = 0.0055 \Rightarrow \varepsilon = 0.966$$

Contrainte de béton.

$$\sigma_b' = \frac{\bar{\epsilon}_a}{K} = \frac{2800}{133} = 21.05 \text{ kg/cm}^2$$

donc pas d'armature comprimée.

#### SECTION D'ACIER.

$$A = \frac{M}{\bar{\epsilon}_a \cdot h} = \frac{20310}{2800 \cdot 0,966 \cdot 14} = 0,536 \text{ cm}^2$$

La section étant faible on utilisera la section d'acier donnée par la condition de non fragilité

$$A \geq 0.68 \cdot b \cdot h; \quad A = 0,69 \cdot 100 \cdot 14 = \frac{5,9}{4200}$$

soit  $A = 1,35 \text{ cm}^2$  on adoptera 5T6/ml  $A = 1,41 \text{ cm}^2$

Ce ferraillage sera représenté suivant la grande portée.

TRAVEE.

$$M_t = 365,58 \text{ kg.m}$$

$$A = \frac{M}{\bar{\epsilon}_a \cdot h} = \frac{36558}{2800 \cdot 0,9662 \cdot 14} = 0,965 \text{ cm}^2$$

ON adoptera un ferraillage que celui des appuis . soit 5T6/ml ( $A = 1,41 \text{ cm}^2$ )

Armatures de répartition.

$$\frac{1}{4}A < A_r < \frac{1}{2}A$$

$$\frac{1}{4} \cdot 1,41 = 0,352 < A_r < 0,705$$

On prend  $A_r = 376$  ( $A = 0,84 \text{ cm}^2$ ).

Condition de non fragilité suivant lx

$$A \geq 0,69 \cdot b \cdot h \cdot \frac{\tilde{\sigma}_b}{\tilde{\sigma}_{en}} \left(1 - \frac{f}{2}\right)$$

$$A = 1,41 \text{ cm}^2$$

$$b = 100 \text{ cm}$$

$$h = 14 \text{ cm}$$

$$\tilde{\sigma}_b = 5,9 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_{en} = 4200 \text{ kg/cm}^2$$

Condition de non fragilité suivant ly.

Verifié.

$$A \geq 0,69 \cdot b \cdot h \cdot \frac{\tilde{\sigma}_b}{\tilde{\sigma}_{en}} \left(\frac{1+f}{4}\right)$$

$$A = 1,41 \geq 0,69 \cdot 100 \cdot 14 \cdot \frac{5,9}{4200} \left(\frac{1+0,513}{4}\right)$$

$$\text{Donc } A = 1,41 \text{ cm}^2 \geq 0,510 \text{ cm}^2$$

Verifié.

Verification de non fissuration :

$$\tilde{\omega}_f = \frac{A}{\beta_f} = \frac{1.41}{2.100.2} = 0.0071$$

$$\sigma'_1 = K \cdot \frac{\eta}{\phi} \cdot \frac{\tilde{\omega}_f}{1+10\tilde{\omega}_f}$$

$$\sigma'_1 = \frac{1.5 \cdot 10^6 \cdot 1.6}{6} \cdot \frac{0.0071}{1+0.071} = 2651.72 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma'_2 = 2.4 \sqrt{\frac{K \cdot \eta}{\phi} \cdot \bar{\sigma}'_b}$$

$$\sigma'_2 = 2.4 \sqrt{\frac{1.5 \cdot 10^6 \cdot 1.6 \cdot 5.9}{6}} = 3686.9 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma'_f = \max \{ \sigma'_1, \sigma'_2 \} = 3686.9 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_a = \min \left\{ \begin{array}{l} \frac{2}{3} \sigma_{en} = 2800 \text{ kg/cm}^2 \\ \sigma'_f = 3686.9 \text{ kg/cm}^2 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma'_a = \frac{M_t}{A \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{36558}{1.41 \cdot 0.95 \cdot 14} = 1938.43 \text{ kg/cm}^2$$

La condition est vérifiée.

Verification au cisaillement:

$$T = \frac{q l}{2}$$

$$T = \frac{4775 \cdot 3}{2} = 2662.5 \text{ kg}$$

$$\tau_b = \frac{T_{max}}{b \cdot z} =$$

$$\tau_b = \frac{2662.5}{100 \cdot \frac{7}{8} \cdot 14} = 2.17 \text{ kg/cm}^2$$

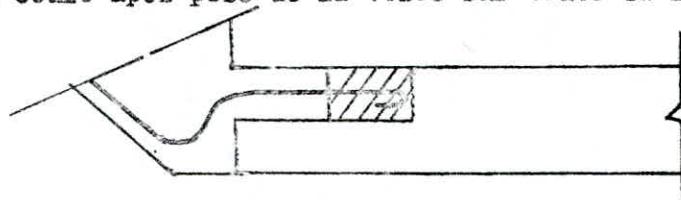
$$\bar{\tau}_b = 1.15 \cdot \bar{\sigma}_b = 1.15 \cdot 5.9 = 6.78 \text{ kg/cm}^2$$

Donc  $\tau_b < \bar{\tau}_b$ .

Par conséquent les armatures transversales ne sont pas nécessaires, mais on disposera des armatures constructives.

### LIAISON PALIER PAILLASSE.

Afin d'assurer une garantie contre tout risque d'affondrement de la paillasse aussi bien sous les charges verticales normales que sous l'action du séisme, il devra obligatoirement être prévu une liaison systématique des paillasses et des paliers par des armatures sciant des extrémités de la paillasse préfabriquée et scellées dans un chainage coulé après pose de la volée sur toute la largeur de l'appui



Les liaisons en aciers devront être disposées au droit de cadres de la poutre palier et devront être choisies avec un diamètre supérieur ou égal à  $\phi = 8\text{mm}$ . Elles devront être totalement ancrées dans le chainage coulé en place et dans la paillasse préfabriquée.

### CALCUL DES ACIERS DE LIAISON VOLÉE- PALIER:

Chaque liaison haute et basse sera calculée pour une charge égale à 0,7 fois le poids total ( $C_p + 1,2 S$ ) de la volée préfabriquée.  
 $q = 0,7 \cdot 1,89(970) = 1283,31\text{kg/ml.}$

Les aciers intervenant dans le cas de la traction volée, palier.

$$A = \frac{F}{\sqrt{\alpha}} \quad \text{avec } F = 1283,31 \cdot 1,54 = 1976,297\text{kg.}$$

$$A = \frac{1976,297}{2800} = 0,705 \text{ cm}^2$$

On prendra  $A_1 = \text{FT8} = 1,50\text{cm}^2$

avec un recouvrement de 50  $\phi$  c'est à dire 50. 0,6 = 30 cm.

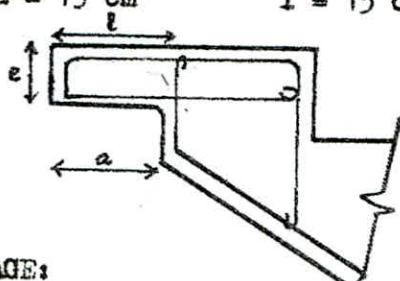
— o — ( C A L C U L D E S B E Q U E T S ) — o —

Epaisseur des bequets des paillasse et des paliers:

D'après les recommandations techniques du C T C , cette épaisseur ne doit pas être inférieure à 0,07m (7cm) aussi bien dans les sections d'enca斯特ment que dans les sections d'extremités. On prend  $e = 8 \text{ cm}$

La longueur des bequets ne devra pas être inférieure à ( 10 cm )

On prend:  $a = 13 \text{ cm}$        $l = 15 \text{ cm}$



FERRAILLAGE:

l'armature des bequets de la paillasse et des paliers devra être réalisée au moyen de boucles ou de cadres fermes, l'écartement des armatures des bequets à son encastration, ne devra pas dépasser  $2.e = 16\text{cm}$   
Dans tous les cas cet écartement ne devra pas dépasser  $0,20\text{m}$  (20cm)

CALCUL: Chaque béquet de la paillasse et de la poutre palier doit être calculer pour une charge linéaire:  $Q = (C_p + 1,2S)$

$C_p$ : charge permanente de la totalité de la volée préfabriquée

$S$  : surcharge d'exploitation sur la la totalité de la volée préfabriquée

$\gamma_q$  : coef de comportement donné par le tableau.

On fait la pose de la volée à sec, la paillasse ne comporte pas d'armatures de suspension (car les armatures principales sont formées de petits diamètres)

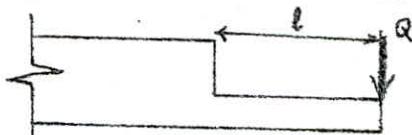
$$\gamma_q = 1,4 \quad l = 1,89 \text{ m}$$

$$Q = 1,4 \cdot 1,89 (669,8 + 1,2 \cdot 250)$$

$$Q = 2566,09 \text{ kg / ml}$$

Les armatures en boucles des bequêts des paillaises et des paliers seront calculées en flexion simple avec une porté:  $l = 15 \text{ cm}$

On prend le cas le plus défavorable où la charge  $Q$  est appliquée à l'extremité .



Moment de la console encastrée.

$$M = Q \cdot l = 2566,09 \cdot 0,15 = 384,91 \text{ kg.m}$$

Calcul des aciers.

$$\mu = \frac{15 M}{\tilde{\sigma}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 38491}{2800 \cdot 100 \cdot 6^2} = 0,05727 \Rightarrow \begin{cases} K = 35,4 \\ \delta = 0,9004 \end{cases}$$

$$A = \frac{M}{\tilde{\sigma}_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{38491}{2800 \cdot 0,9004 \cdot 6} = 2,54 \text{ cm}^2$$

soit 6T8/ ml (A= 3,01)

Espacement.

Les recommandations du CTC indique:  $t \leq 2e = 16 \text{ cm}$

$e = 8 \text{ cm}$  (épaisseur totale du béquet)

$t$ : écartement entre les armatures longitudinales, boucles.

$t = 14 \text{ cm}$  (entre boucles)

Armatures longitudinales de répartition:

les béquets comportent des armatures longitudinales de répartition de section totale supérieure ou égale à  $0,5 \text{ cm}^2$  (une barre Ø 8 ou deux barres Ø 6 suivant les deux directions du béquet.)

on a  $A = 3,01 \text{ cm}^2$   $\frac{A}{4} \leq A_{rp} \leq \frac{A}{2}$

$0,752 \leq A_{rp} \leq 1,505$

$A_{rep} = 3T8 = 1,5 \text{ cm}^2/\text{ml}$

Vérification au cisaillement:

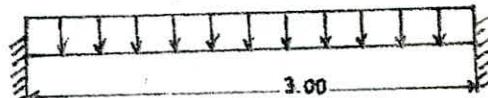
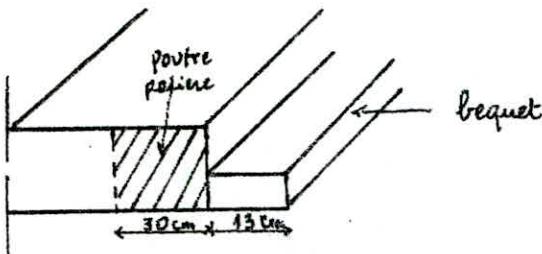
$$T = Q = 2566,09 \text{ kg.}$$

$$\bar{\tau}_b = \frac{T}{b \cdot z} = \frac{2566,09}{100 \cdot 7/8 \cdot 6} = 4,88 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\tau}_b = 1,15 \cdot 1,15 \cdot 5,9 = 6,78 \text{ kg/cm}^2 \Rightarrow \bar{\tau}_b < \bar{\tau}_b$$

... donc.. Armatures transversales dans les  
béquets ne sont pas nécessaires.

## CALCUL DE LA POUTRE PALIERE



- CHARGES A CONSIDERER.

$$Q_1 = \text{reaction de la voûte} = 917 \text{ kg/ml}$$

$$Q_2 = \text{poids propre de la dalle (poutre).}$$

$$3,00 \cdot 0,19 \cdot 2500 = 1425 \text{ kg/ml}$$

La poutre sera considérée comme partiellement encastrée à ses extrémités

$$\text{Moment en travée. } M_t = \frac{q l^2}{10} = \frac{2342 \cdot 3^2}{10} = 2107,8 \text{ kgm}$$

$$\text{Moment en appui. } M_a = \frac{-q l^2}{20} = \frac{2342 \cdot 3^2}{20} = -1053,9 \text{ kg m}$$

$$\text{Effort tranchant. } T = \frac{q l}{2} = \frac{2342 \cdot 3}{2} = 3513 \text{ kg}$$

Predimensionnement de la poutre.

$$\frac{ht}{l} \geq \frac{1}{10} \frac{M_t}{M_o} \quad \text{avec } M_o = \frac{q l^2}{8} = 2634,75 \text{ kg m}$$

$l = 300 \text{ cm}$

$$\frac{ht}{l} \geq \frac{1}{100} \cdot 300 \cdot \frac{2107,8}{2634,75} = 0,24 \text{ m}$$

soit  $ht = 30 \text{ cm}$

$$\tau_b = \frac{T}{bz} < 3,5 \bar{\sigma}_b \quad b = \frac{T}{3,5 \bar{\sigma}_b \cdot \frac{7}{8} h} = 7,2 \text{ cm}$$

soit  $b = 25 \text{ cm}$

-FERRAILLAGE DE LA POUTRE.

-armature en travée.

$$\mu = \frac{15 \text{ Mt}}{\tilde{\sigma}_a \cdot b \cdot h^2}$$

$$\mu = \frac{15 \cdot 210780}{2800 \cdot 25 \cdot 27^2} = 0,06195 \Rightarrow \begin{cases} K=33,6 \\ \epsilon = 0,8971 \end{cases}$$

$$\text{Contrainte de béton. } \tilde{\sigma}_b' = \frac{\tilde{\sigma}_a}{K} = \frac{2800}{33,6} = 83,33 \text{ kg/cm}^2$$

Donc les armatures comprimées ne sont pas nécessaires.

ACIER TENDU.

$$A = \frac{M}{\tilde{\sigma}_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{210780}{2800 \cdot 0,8971 \cdot 27} = 3,10 \text{ cm}^2$$

soit 3T12 ( $A=3,39 \text{ cm}^2$ )

ARMATURE D'APPUI.

$$\mu = \frac{15 \cdot 105390}{2800 \cdot 25 \cdot 27^2} = 0,0309 \Rightarrow \begin{cases} K=51,00 \\ \epsilon = 0,9242 \end{cases}$$

$$A = \frac{M}{\tilde{\sigma}_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{105390}{2800 \cdot 0,9242 \cdot 27} = 1,508 \text{ cm}^2$$

soit 3T10 ( $A=2,35 \text{ cm}^2$ )

VERIFICATIONS.

-Fissuration.

$$\tilde{\omega}_f = \frac{A}{Bf} = \frac{3,39}{25 \cdot 6} = 0,022$$

$$K=1,5 \cdot 10^6 \quad \eta = 1,6 \quad \phi = 12 \quad + 5,9 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_1' = \frac{K \eta}{\phi} + \frac{\tilde{\omega}_f}{1 + 10 \tilde{\omega}_f} \Rightarrow \tilde{\sigma}_1' = 3686,78 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_2' = 2,4 \cdot \frac{K \eta}{\phi} \tilde{\sigma}_b' \Rightarrow \tilde{\sigma}_2' = 2607,06 \text{ kg/cm}^2$$

$\max (\tilde{\sigma}_1', \tilde{\sigma}_2') = 3686,78 \text{ kg/cm}^2 > \tilde{\sigma}_a' = 2800 \text{ kg/cm}^2$   
donc la condition est vérifiée

-Condition de non fragilité.

$$A_t \geq 0,69 b h \frac{\sigma_b}{\sigma_{ew}} = 0,69 \cdot 25 \cdot 27 \cdot \frac{5,9}{4200} = 0,65 \text{cm}^2$$

$$A_t = 3,39 \text{cm}^2 > A_s = 0,65 \text{cm}^2 \quad \text{verified}$$

$$A_s = 2,35 \text{cm}^2 > A_s = 0,65 \text{cm}^2$$

-FLECHE.

$$* \frac{ht}{I} \Rightarrow \frac{1}{10} \Rightarrow 30/300 = 0,1 > 0,0625$$

$$* \frac{ht}{I} \Rightarrow \frac{Mt}{10 Mo} = \frac{210780}{10 \cdot 263475} = \text{verified}$$

$$* \frac{A}{bh} \geq \frac{43}{\sigma_{ew}} \quad \frac{43}{4200} = 0,102 \quad \frac{A}{25 \cdot 27} = 0,050 \quad \text{verify.}$$

-EFFORT TRANCHANT.

$$\tau_b = \frac{T}{b z} < \bar{\tau}_b$$

$$\text{comme } \bar{\sigma}'_b \leq \sigma'_b \leq \bar{\sigma}'_b \Rightarrow \bar{\tau}_b = (4,5 - \frac{\sigma'_b}{\bar{\sigma}'_b}) \bar{\sigma}'_b$$

$$\bar{\tau}_b = (4,5 - \frac{103,32}{68,50}) 5,9 = 17,65 \text{kg/cm}^2$$

$$\tau_b = \frac{3513}{25 \cdot 27} = 5,20 \text{ kg/cm}^2 \Rightarrow \tau_b = 5,20 < \bar{\tau}_b \quad \text{verified}$$

-ARMATURE TRANSVERSALES

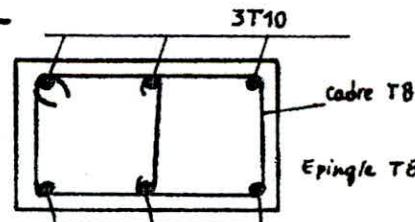
- La section At d'armatures transversales est constituée d'un cadre et d'un étrier.

$$At = 3T8 = 1,5 \text{ cm}^2$$

$$\text{Espacement: } t = \frac{At \cdot z \cdot \bar{\sigma}_{at}}{T}$$

$$\bar{\sigma}_{at} = f_{at} \cdot \sigma_{ew}$$

$$t = \frac{1,5 \cdot 3/8 \cdot 27 \cdot \bar{\sigma}_{at}}{3513}$$



$$f_{at} = \max (1 - 1/9 \cdot \frac{\bar{\tau}_b}{\bar{\sigma}_b}, 2/3) \quad \text{pas de reprise de betonnage}$$

$$\left. \begin{aligned} 1 - 1/9 \cdot \frac{5,20}{5,9} &= 0,90 \\ 2/3 &= 0,66 \end{aligned} \right\} f_{at} = 0,90$$

$$\bar{G}_{st} = 0,90 \cdot 2400 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{Aciers doux ou ronds lisses.}) \quad \bar{G}_a = 1600 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{G}_{st} = 2160 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{FeE24} \dots \bar{G}_{en} = 2400 \text{ kg/cm}^2$$

$$t = \frac{1,5 \cdot 7/8 \cdot 27 \cdot 2160}{3513} = 21,78 \text{ cm}$$

$$0,2h \leq t \leq (1 - 0,3 \frac{\bar{G}_b}{\bar{G}_b}) h$$

$$0,2 \cdot 27 \leq t \leq (1 - 0,3 \frac{5,2}{5,9}) 27$$

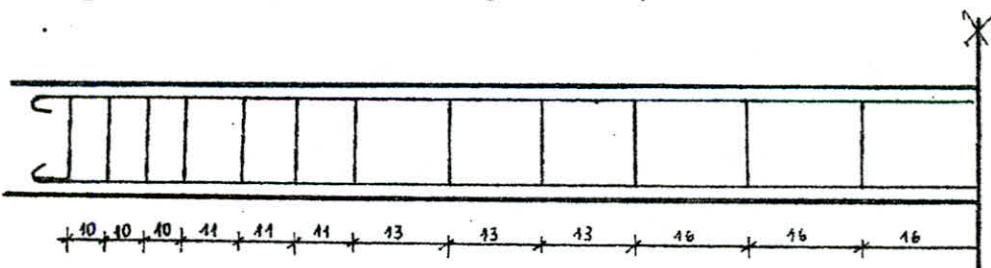
$$5,4 \leq t \leq 19,86$$

$$\text{soit } t = 18 \text{ cm}$$

demi longueur  $l/2 = 150 \text{ cm}$

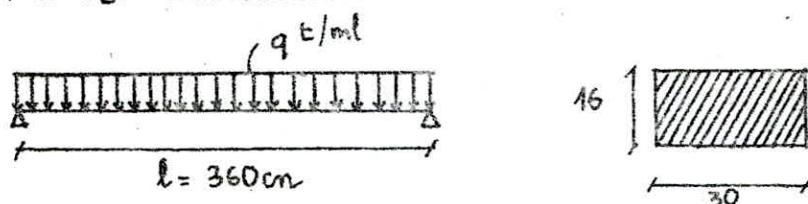
Pour la répartition des armatures transversales perpendiculaires à la ligne moyenne, on utilisera la méthode de M<sup>r</sup>. CAQUOT applicable aux cas des poutres supportant une charge uniformément répartie.

Répartition sur la demi longueur  $l/2 = 150 \text{ cm}$ .



### POUTRE NOYEE

Au niveau des loggias on prévoit une bande noyée de 20cm de largeur et de 16cm de hauteur, elle sera considérée comme simplement appuyée et chargée uniformément.



$$\text{Poids propre de la poutre. } G = 2.5 \cdot 0.30 \cdot 0.16 \cdot 3.6 = 0.432t$$

$$\text{Poids du plancher lui revenant. } G = 0.607 \cdot 2 \cdot \frac{1.8^2}{2} = 1.96t$$

$$\text{Surcharge du plancher. } P = 0.4 \cdot 2 \cdot \frac{1.8^2}{2} = 1.29t$$

$$\text{Surcharge sur la poutre. } P = 0.4 \cdot (3.6 \cdot 0.30) = 0.432t$$

$$Q = G + G + 1.2(P + P) =$$

$$Q = 2,392 + 1,2 \cdot 1,722 = 4,458 t$$

$$q = \frac{Q}{l} = 1.238 t/ml$$

$$\text{MOMENT FLECHISSANT. } M_{\max} = \frac{q l^2}{8} = 2.005 t m$$

$$T_{\max} = q l / 2 = 2.22t$$

#### FERRAILLAGE DE LA POUTRE

$$\mu = \frac{15 \cdot M}{b \cdot h^2} = \mu = \frac{15 \cdot 2,005 \cdot 10^5}{2800 \cdot 30 \cdot 14^2} = 0,1826$$

$$\mu = 0,1826. \quad \dots \dots \begin{cases} K=16,43 \\ E=0,8410 \end{cases}$$

$$\bar{\sigma}_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{K} = 170,21 \text{ kg/cm}^2 \Rightarrow \bar{\sigma}_b' = 137,5 \text{ kg/cm}^2$$

Donc les armatures comprimées sont nécessaire

$$\text{soit } K = \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_b'} = 20,26 \quad \text{donc } K = 18$$

$$K = 18 \quad \Rightarrow \quad \begin{cases} \alpha = 0,4545 \\ w = 1,263 \\ \beta = 0,1928 \end{cases}$$

Contrainte de traction des aciers

$$\bar{\sigma}_q = K \bar{\sigma}_b' = 2475 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\bar{\sigma}_a = 15 \left( \frac{\alpha - \delta'}{\alpha} \right) = 1413,57 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_q$$

## CALCUL DES ACIERS COMPRIMÉS

$$M_o = \rho' b \cdot h^2 \cdot \bar{U}_b' = 1.567 \text{ tm}$$

$$M = M_o - M_c = 0.36 \text{ tm}$$

$$A' = \frac{M}{(h-d) \bar{U}_a} = \frac{0.36 \cdot 10^5}{(14-2) 1413.57} = 2.12 \text{ cm}^2$$

SOIT 6T8       $A=3.01 \text{ cm}^2$   
ARMATURE TENDUE

$$A = \frac{\bar{U}_a b h}{100} + \frac{M}{(h-d') \bar{U}_a} = 6.51 \text{ cm}^2$$

$$\text{SOIT } 6T\ 12 \quad A=6.78 \text{ cm}^2$$

## ARMATURE TRANSVERSALE

$$T=2.22 \text{ t}$$

$$\bar{U}_b = \frac{T}{b \cdot z} = 6.04 \text{ kg/cm}^2 < 3.5 \bar{U}_b'$$

DONC LES ARMATURES TRANSVERSALES PERPENDICULAIRES A LA LIGNE MOYENNE SERONT DES CADRES ET ETRIERS DE NUANCES Adx FeE 24

Taux de travail admissible de ces armatures.

$$\bar{U}_{at} = \left(1 - \frac{\bar{U}_b}{9 \bar{U}_b'}\right) \bar{U}_{en} = 2136.94 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{U}_{at} > 2/3 \bar{U}_{en} = 1600 \text{ kg/cm}^2$$

$$\text{Donc on choisira } 4\phi 6, \quad A=1.13 \text{ cm}^2$$

— Espacement des cadres au voisinage des appuis

$$t = \frac{A_t \cdot z \cdot \bar{U}_{at}}{T} = 10.33 \text{ cm}$$

— Espacement max réglementaire

$$t_{\max} \leq (0.2 h, h \left(1 - \frac{0.3 \bar{U}_b}{\bar{U}_b'}\right))$$

$$\begin{cases} t_1 = 2.8 \text{ cm} \\ t_2 = 9.85 \text{ cm} \end{cases}$$

$$\text{Soit: } t=8 \text{ cm}$$

Verification de la condition de non fragilité

$$A \geq 0.69 \cdot \frac{\bar{U}_b}{\bar{U}_{en}} \cdot b \cdot h = 0.40 \text{ cm}^2$$

$$A = 6.70 \text{ cm}^2 > 0.4 \text{ cm}^2 \text{ vérifiée}$$

- Vérification de la fissuration:

$$\sigma_1 = \frac{\kappa \eta}{\phi} \cdot \frac{w_f}{1 + 10 w_f}$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{\kappa \eta \bar{\sigma}_b}{\phi}}$$

$$w_f = \frac{A}{2 b d} = \frac{6.70}{2 \cdot 2 \cdot 30} = 0.055$$

$$\kappa = 1.5 \cdot 10^6$$

$$\bar{\sigma}_b = 5.9 \text{ kg/cm}^2$$

$$\eta = 1.6$$

$$\bar{\sigma}_1 = 7096.77 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_2 = 2607.06 \text{ kg/cm}^2$$

$$\max(\sigma_1, \sigma_2) = 7096.77 \text{ kg/cm}^2$$

$$\max(\bar{\sigma}_1, \bar{\sigma}_2) > \bar{\sigma}_a$$

## CALCUL DES DALLES

### -INTRODUCTION.

VU l'ossature du bâtiment qui est très rigide (ossature à voile) le plancher adopté est à dalles pleines.

EN effet, ce dernier présente une très grande rigidité par rapport au plancher à corps creux.

Nous avons 3 types de planchers qui diffèrent par les charges qui les sollicitent.

-Plancher terrasse

-Plancher étage courant

-Plancher R.D.C

### CHARGES ET SURCHARGE: (descente de charge)

-Plancher terrasse

Charge permanentes:  $G = 6,838 \text{ t/m}^2$

Surcharge d'exploitation:  $S = 0,100 \text{ t/m}^2$

Sollicitation:  $G + 1,2 S = 0,958 \text{ t/m}^2 = Q_1$

-Plancher étage courant:

$G = 0,607 \text{ t/m}^2$                              $S = 0,175 \text{ t/m}^2$

$Q_2 = G + 1,2 S = 0,817 \text{ t/m}^2$

-Plancher R.D.C.

$G = 0,580 \text{ t/m}^2$                              $S = 0,400 \text{ t/m}^2$

$Q_3 = G + 1,2 S = 1,060 \text{ t/m}^2$

### PRESENTATION DES DALLES:

1<sup>er</sup> type de dalle, encastrée sur 3 côtés libre sur l'autre.

- DALLES- ( 2 , 3 , 5 , 7 , 8 , 10 , 11 , 14 )

2<sup>eme</sup> type de dalle: encastrée sur 2 côtés libre sur les 2 autres.

-DALLES- ( 1 , 6 , 12 )

3<sup>eme</sup> type de dalle: encastrée sur 4 côtés.

-DALLES- ( 13 , 4 , )

#### -FERRAILLAGE DES PLANCHERS:

-Pour le ferrailage des dalles nous allons considerer les charges du RDC car elles sont les plus grandes afin d'en faciliter l'execution ,nous etendrons le même aux dalles similaires.

Les moments qui nous permettent de ferrailier les dalles sont obtenus à partir des tables établies par M<sup>r</sup>. BARRES.

Les moments à prendre en compte pour ferrailier, sont les moments maximum en travée et en appui.

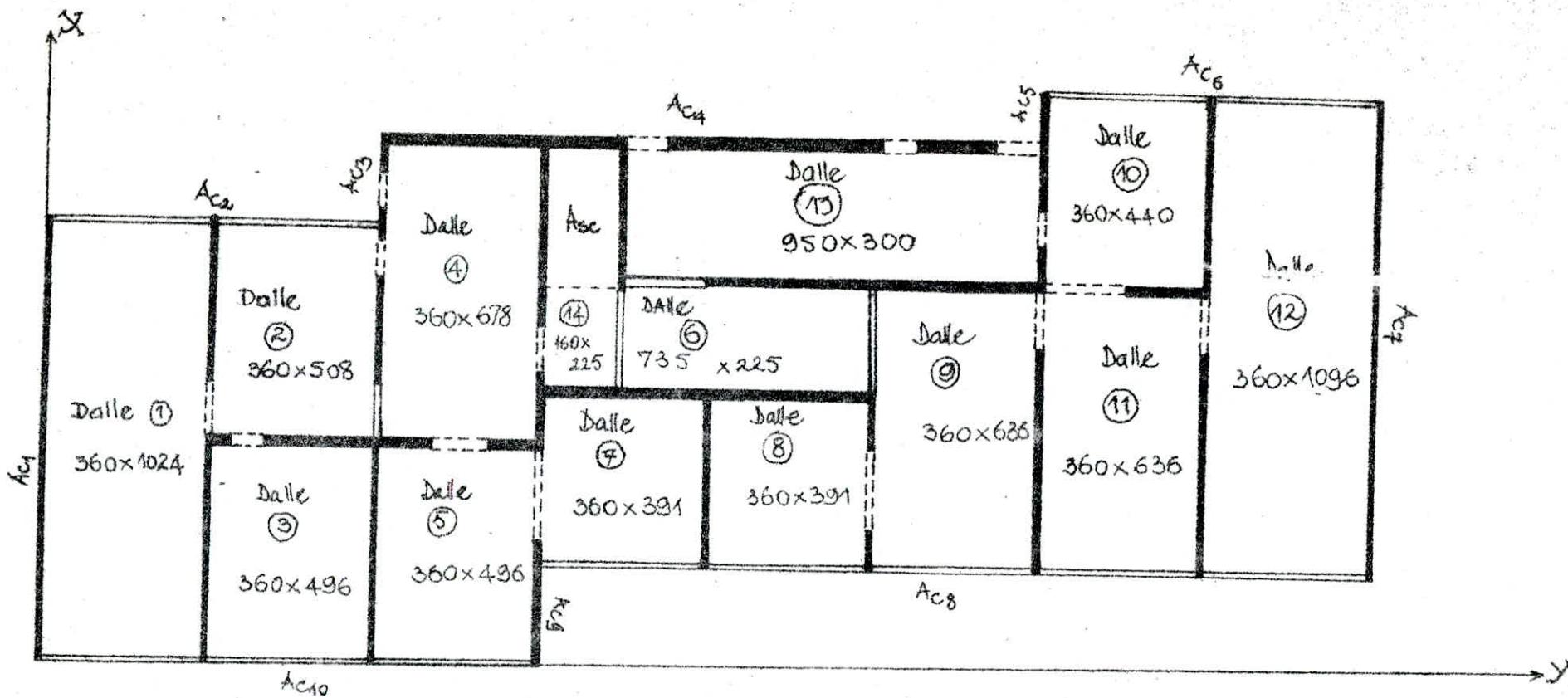
On tiendra compte du fait que nous n'avons pas un encastrement parfait( encastrement partiel, reduction du moment en travée à 0,75Mo égale à Mt et le moment en appui égale à 0,3Mo.

Pour chaque type de dalles ,nous ferraileronst la plus defavorable. C'est à dire celle qui nous donne le ferrailage à adopter pour le plancher.

#### -ETUDE DES DALLES.:

Dans chaque type de dalle on choisit la dalle la plus sollicitée.

On calcul tous les coefficients ,et on determine les moments ainsi que les flèches par l'utilisation des tables de M<sup>r</sup>BARRES. ensuite on ferraille le même type de dalles par le même ferrailage



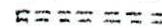
P. NOYÉES



TRUMEUX



LINTEAUX



Ac<sub>i</sub> = ACROTERE

1<sup>er</sup> type de dalle, ce type de dalle sera calculée en conséquence de la dalle ( $n^{\circ} = 11$ )

$$q_a^2 = 1060 \times 360 = 381600 \text{ kg/cm}^2/\text{ml}$$

$$q_b^2 = 5060 \times 636 = 674160 \text{ kg/cm}^2/\text{ml}$$

$$\mu = 0,15$$

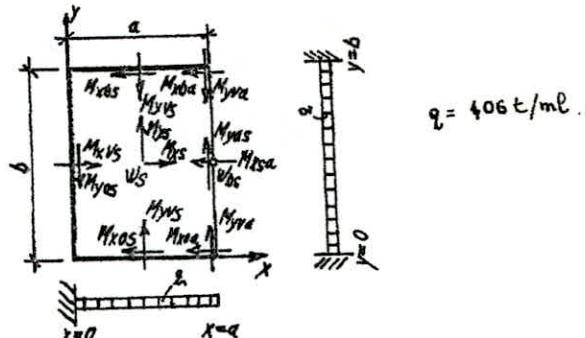
$$\gamma = \frac{a}{b} = \frac{360}{636} = 0.56$$

$$M_{zse} = -\mu M_{as}$$

$$M_{z0S} = M_{x0S} = \mu M_{y0S}$$

$$M_{x0a} = M_{xba} = \mu M_{yra}$$

$$M_{y03} = \mu M_{x03}$$



$\gamma$	$m_3$	$m_4$	$M_{\text{res}}$	$M_{\text{res}}$	$M_{\text{res}}$	$M_{\text{res}}$	$M_{\text{res}}$	$M_{\text{res}}$
0,56	0,1263	0,2561	0,0168	-0,1687	0,0154	0,0307	0,0383	0,0676
$M_{\text{res}}$ en $\epsilon$ $M_{\text{res}}$ en $\alpha$	/	/	6410,88	-64375,9	10395,5	20696,7	25820,3	-45586
FACTEUR $\Delta x$	$\frac{qa^4}{Eh^2}$	$\frac{qb^4}{Eh^2}$	$qa^2$	$qb^2$	$qb^2$	$qb^2$	$qb^2$	$qb^2$

## FERRAILLAGE. ( méthode de P. CHARRON. )

$$M_{max} = 64375,9 \text{ kg.cm}$$

K =64,8

$$M = \frac{15 \cdot M}{\frac{b_1 \cdot b_2 \cdot h^2}{2}} = \frac{15 \cdot 64375,9}{2800 \cdot 100 \cdot 13} = 0,0204 \Rightarrow \varepsilon = 0,9373$$

$$A = \frac{M}{G \cdot b \cdot h} = 1,88 \text{ cm}^2/\text{ml}$$

On admet dans les deux direction, lit inferieur et superieur

spit AT8 /ml ( $A = 2,01 \text{ cm}^2$ )

**-VERIFICATION:**

-Condition de non fragilité.

$$A_{ox} = A_{oy} = A_o = 2,01 \text{ cm}^2/\text{ml}$$

$$A_{ox} = A_{oy} = A_o = 2,412 \text{ cm}^2/\text{ml}$$

$$A_{\text{ix}} = 0,69bh \frac{6b}{7} \left( \frac{2 - \frac{3}{2}}{2} \right)$$

$$A \cdot x = 0,69 \cdot 100 \cdot 13 \cdot \frac{5,9}{1200} \left( \frac{2 - 0,56}{2} \right) = 0,9 \text{ cm}^2/\text{m}$$

$$= 0.62 \text{ lb} \frac{\bar{E}_b}{(1 + g)}$$

$$A_2 = 0,69 \cdot \frac{bh}{6en} \left( \frac{4}{1 + 0,56} \right) = 0,49 \text{ cm}^2 / \text{ml}$$

$$A \geq \begin{cases} A_0 \\ \min(A_1, A_2) \end{cases} \quad A > \begin{cases} 2,01 \\ \min(2,412, 0,9) \end{cases}$$

$$A = 2,01 \text{ cm}^2 / \text{ml} \quad \text{condition vérifiée}$$

-Vérification de la flèche.

SI les deux conditions suivantes sont vérifiées, il est inutile de faire la vérification à la flèche.

$$\frac{h_0}{lx} > 1/20 \frac{M_t}{M_x}$$

$$M_t = 0,75 M_x$$

$$M_x = q l x^2$$

$$\frac{A}{bh} = \tilde{\omega}_o < \frac{20}{6 \text{ cm}}$$

$$M_t = 64375,22 \text{ kg.cm}$$

$$M_x = 0,089 \cdot 1060 \cdot 10^2 \cdot 360^2$$

$$M_t < 0,75 M_x = 91698,48 \text{ kg.cm}$$

$$M_x = 122264,64 \text{ kg.cm}$$

$$\text{donc } M_t = 0,75 M_x$$

La vérification de la flèche s'impose.

$$\tilde{f}_a = \frac{1}{500} = 360/500 = 0,72 \text{ cm}$$

$$E = 7000 \sqrt{270} = 115021,74 \text{ kg/cm}^2$$

$$J = \frac{1 \cdot 0,16^3}{12} = 0,00031 \text{ m}^4$$

$$f = \frac{q \cdot l^4}{384 EI} = \frac{1060 \cdot 10^2 \cdot 3,6^4}{384 \cdot 115021,74 \cdot 0,00034} = 0,12 \text{ cm}$$

$$f = 0,12 \text{ cm} < \tilde{f}_a = 0,72 \text{ cm}$$

$$\% = \tilde{\omega}_o = \frac{A}{bh} = \frac{2,01}{100 \cdot 13} = 0,0015$$

$$\tilde{\omega}_o < \frac{20}{6 \text{ cm}} = \frac{20}{4200} = 0,0047$$

$$\tilde{\omega}_o = 0,0015 < 0,0047$$

VERIFIÉE

VERIFICATION DE LA FISSURATION.

$$K = 1,5 \cdot 10^6 \quad \gamma = 1,6 \quad \bar{\omega}_f = \frac{A}{Bf} = \frac{2,01}{2 \cdot 3 \cdot 100} = 0,0189$$

$\phi = 8\text{mm}$

$$\delta_1' = \frac{K \cdot \gamma}{\phi} \cdot \frac{\bar{\omega}_f}{1 + 10 \bar{\omega}_f} \quad \delta_1' = 4768,7 \text{kg/cm}^2$$

$$\delta_2' = 2,4 \sqrt{\frac{K \cdot \gamma}{\phi} \cdot \delta_b} \quad \delta_2' = 3192,99 \text{kg/cm}^2$$

$$\max(\delta_1', \delta_2') = 4768,7 \text{kg/cm}^2 > \bar{\sigma}_a = 2800 \text{kg/cm}^2$$

Pas de risque de fissuration.

VERIFICATION DES CONTRAINTES.

$$Ax = 2,01 \text{ cm}^2/\text{ml} \quad \dots \dots \dots \quad \tilde{\omega} = \frac{100}{bh} \cdot A$$

$$Ay = 2,01 \text{ cm}^2/\text{ml}$$

$$\tilde{\omega} = \frac{100 \cdot 2,01}{100 \cdot 13} = 0,155 \quad \text{donc} \quad K = 62,5$$

$$\varepsilon = 0,9355$$

$$\delta_a = \frac{M}{A \cdot \varepsilon \cdot h} = \frac{64375,92}{2,01 \cdot 0,9355 \cdot 13} = 2633,54 \text{kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 2800 \text{kg/cm}^2$$

$$\delta_b' = \frac{\delta_a}{K} = \frac{2633,54}{62,5} = 42,14 \text{kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b' = 137,5 \text{kg/cm}^2$$

Les conditions sont vérifiées.

-EFFORT TRANCHANT.

$$T_{\max} = \frac{q \cdot l}{2} = \frac{1060 \cdot 6,36}{2} = 33,7 \text{kg}$$

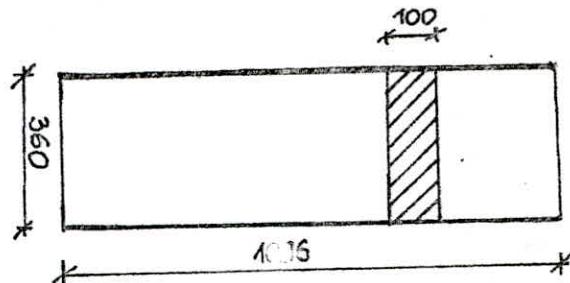
$$\tau = \frac{T}{b \cdot z} = \frac{33,7}{100 \cdot 7/8 \cdot 13} = 0,029 \text{kg/cm}^2$$

$$\text{en a } 1,15 \cdot \bar{\sigma}_b = 1,15 \cdot 5,9 = 6,785 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tau = 0,029 \text{kg/cm}^2 < 1,15 \cdot \bar{\sigma}_b$$

condition est vérifiée.

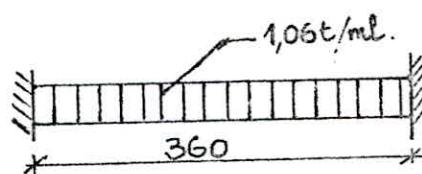
2<sup>eme</sup> type de dalle encastrée sur deux cotés libre sur les deux autres.



les dalles de ce types seront ferraillées en conséquence de la dalle N° 12

$$\frac{a}{b} = \frac{360}{100} = 0,328 < 0,4 \text{ dalle portant sur 1 seul sens celui de la petite portée.}$$

cette dalle se calcule comme une poutre portant sur le petit côté lx.



$$M_t = \frac{q l_x^2}{10} = 1,38 t.m$$

$$M_a = \frac{-q l_x^2}{20} = 0,69 t.m$$

$$\mu_{tr} = \frac{15 M_t}{G_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 1380 \cdot 10^2}{2800 \cdot 100 \cdot 16^2} = 0,02887 \dots \dots \dots \left\{ \begin{array}{l} K = 53 \\ \epsilon = 0,9264 \end{array} \right.$$

$$\mu_{app} = \frac{15 M_a}{G_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 690 \cdot 10^2}{2800 \cdot 100 \cdot 16^2} = 0,01414 \dots \dots \dots \left\{ \begin{array}{l} K = 79,46 \\ \epsilon = 0,9469 \end{array} \right.$$

$$A_{tx} = \frac{M_t}{G_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{1380 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9264 \cdot 16} = 3,325 \text{ cm}^2 / \text{ml}$$

soit 5T10 / ml dans les deux sens

$$A_{ap} = \frac{M_a}{G_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{690 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9469 \cdot 16} = 1,626 \text{ cm}^2$$

soit 6T6 / ml dans les deux sens ( $A = 1,69 \text{ cm}^2$ )

#### VERIFICATION:

1<sup>er</sup> condition de non fragilité.

$$A_{ox} = A_{oy} = 3,92 \text{ cm}^2$$

$$A_{1x} = A_{1y} = 1,2 \cdot 3,92 = 4,704 \text{ cm}^2$$

$$A_{2x} = 0,69 \cdot 100 \cdot 13 \cdot \frac{+5,9}{4200} \left( 1 - \frac{0,328}{2} \right) = 1,053 \text{ cm}^2$$

$$A_{2y} = 0,69 \cdot 100 \cdot 13 \cdot \frac{5,9}{4200} \left( \frac{1 + 0,328}{4} \right) = 0,418 \text{ cm}^2$$

$$A_x = 3,92 \text{ cm}^2 \quad A_y = 3,92 \text{ cm}^2 \quad \text{car } A > \begin{cases} A_0 \\ \min(A_1, A_2) \end{cases}$$

-Verification de la flèche (Art. 6.122. CCBA68.)

$$M_x = \frac{1,066 \cdot 3,60^2}{8} = 1,72 \text{ tm} \quad (\text{poutre simplement appuyée})$$

$$\frac{h_0}{l_x} = \frac{16}{3,60} = 0,044 > 1/20 \quad -\frac{M_t}{M_x} = 0,0399$$

$$M_t = 1380 \cdot 10^2 \text{ kg.cm} > 0,75 M_x = 129 \cdot 10^3 \text{ kg.cm}$$

VERIFIE

$$* \tilde{\omega} = \frac{A}{bh} < \frac{20}{6 \text{ cm}} \quad \frac{3,92}{100 \cdot 13} < \frac{20}{4200}$$

$$0,003 < 0,0047 \quad \text{VERIFIE'}$$

-Condition de non fissuration.

$$\tilde{\omega}_f = \frac{A}{Bf} = \frac{3,92}{400} = 0,0098 \quad Bf = 2 \cdot b \cdot d = 2 \cdot 100 \cdot 2 = 400 \text{ cm}^2$$

$$K = 1,5 \cdot 10^6 \quad ; \quad \eta = 1,6 \quad \phi = 6 \text{ mm}$$

$$\tilde{\sigma}_1 = \frac{K \cdot \eta}{\phi} \cdot \frac{\tilde{\omega}_f}{1 + 10 \tilde{\omega}_f} \quad \tilde{\sigma}_1 = 3570,12 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_2 = 2,4 \sqrt{\frac{K \cdot \eta \cdot \tilde{\sigma}_1}{\phi}} \quad \tilde{\sigma}_2 = 9031,14 \text{ kg/cm}^2$$

$$\max(\tilde{\sigma}_1, \tilde{\sigma}_2) > 2800 \text{ kg/cm}^2$$

pas de risque de fissuration.

-Verification des contraintes.

$$A_x = A_y = 3,92 \text{ cm}^2 \quad \bar{\omega} = \frac{100 \cdot 3,92}{100 \cdot 14} = 0,28$$

$$\left. \begin{array}{l} K = 44,8 \\ \varepsilon = 0,9164 \end{array} \right\}$$

$$\tilde{\sigma}_a = \frac{M}{A \cdot \varepsilon \cdot h} = \frac{138000}{3,92 \cdot 0,9164 \cdot 14} = 2745,17 \text{ kg/cm}^2 < \tilde{\sigma}_a$$

$$\tilde{\sigma}'_b = \frac{\tilde{\sigma}_a}{K} = \frac{2745,17}{44,8} = 61,27 \text{ kg/cm}^2 < \tilde{\sigma}'_b$$

-Verification de l'effort tranchant.

$$T = \frac{q \cdot l}{2} = \frac{1,066 \cdot 3,60}{2} = 1,918 \text{ t}$$

$$\mathcal{T} = \frac{1,918 \cdot 10^3}{100 \cdot 7/8 \cdot 14} = 1,565 \text{ kg/cm}^2 < 1,15 \tilde{\sigma}_b = 6,785 \text{ kg/cm}^2$$

Condition est vérifiée.

3<sup>eme</sup> type de dalle, ce type de dalle sera calculée en conséquence de la dalle N° 4, elle porte dans deux sens encastrée sur 4 cotés.

$$qa^2 = 1,06 \times 3,60^2 = 13,737 \text{ t.m}$$

$$qb^2 = 1,06 \times 6,78^2 = 48,726 \text{ t.m}$$

$$\mu = 0,15$$

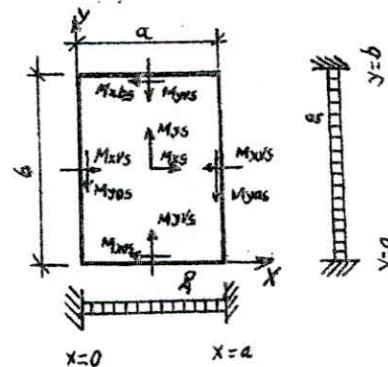
$$\gamma = \frac{a}{b} = \frac{360}{678} = 0,53$$

$$M_{x0S} = M_{x0S}$$

$$M_{y0S} = M_{y0S}$$

$$M_{x0S} = \mu M_{y0S}$$

$$M_{y0S} = \mu M_{x0S}$$



$\gamma$	$\gamma_s$	$M_{xS}$	$M_{x0S}$	$M_{yS}$	$M_{y0S}$
0,53	0,029	0,039	0,082	0,003	0,016
Facteur de Multiplication	$\frac{q a^4}{E h^3}$	$q a^2$	$q a^2$	$q b^2$	$q b^2$
$M$ (t.m)	/	0,546	1,1305	0,141	0,779

#### -- Caractéristiques.

$$q = 1,06 \text{ t/ml} \quad a = 3,60 \text{ m} \quad b = 6,78 \text{ m} \quad = \frac{a}{b} = 0,53$$

$$ht = 16 \text{ cm} \quad qa^2 = 13,737 \text{ t.m} \quad qb^2 = 48,726 \text{ t.m}$$

$$= 2800 \text{ kg/cm}^2 \quad b = 100 \text{ cm} \quad h = ht - d = 13 \text{ cm} \quad M_{\max} = 113050 \text{ kg.cm}$$

#### Ferraillage.

$$\mu = \frac{15 M}{6a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 113050}{2800 \cdot 100 \cdot 13^2} = 0,0358 \Rightarrow \begin{cases} K = 46,7 \\ \varepsilon = 0,9190 \end{cases}$$

$$A = \frac{M}{Q_a \cdot E; h} = \frac{113050}{2800 \cdot 0,9190 \cdot 13} = 3,379 \text{ cm}^2$$

SOIT 7T10/ml dans les deux sens pour lit inférieur et supérieur.

$$7T10/\text{ml} \quad (A = 3,51 \text{ cm}^2)$$

VERIFICATIONS:

-Condition de non fragilité/:

Soit  $A_0$  : section d'armature longitudinale suffisante pour résister aux sollicitations calculées

soit  $A_1$  : section d'armature évaluée pour résister dans les mêmes même conditions que  $A_0$  et aux même sollicitations majorées de 20%

$$A_1 = 1,2 A_0$$

à  $A_2$ : section d'acier pouvant équilibrer la sollicitation de fissuration ou de rupture par traction du béton supposé non fissuré et non armé.

$$A_2 = 0,69 b h \frac{\bar{G}_b}{\bar{G}_{en}} \begin{cases} \left( \frac{2-\vartheta}{2} \right) & \text{Pour les aciers disposés} \\ & \text{selon le petit côté. } l_x \\ \left( \frac{1+\vartheta}{4} \right) & \text{Pour les aciers disposés} \\ & \text{selon le grand côté } l_y \end{cases}$$

$$\vartheta = \frac{l_x}{l_y}$$

La section d'acier ( $A$ ) longitudinale susceptible d'être tendus d'une partie ou d'une plaque rectangulaire doit être au moins égale à

- d'une part à la section  $A_0$
- d'autre part la plus petite des valeurs des sections  $A_1$  et  $A_2$

$$A = \sup \begin{cases} A_0 \\ \min(A_1, A_2) \end{cases}$$

En outre, en aucun cas le rapport de la section des armatures de chaque direction à la section totale du béton ne doit être inférieur à

- 0,0008 (pour les ronds lisses)
- 0,0006 (pour les H.A.)

Remarque: cette dernière est vérifiée quelque soit le cas, dès que la section adoptée  $A_0 \geq 1,4 \text{ cm}^2/\text{mlq}$   
car  $\frac{1,4}{100 \cdot 1,6} = 0,00085 > 0,0006$

$$A_2x = 0,69 \cdot 100 \cdot 13 \cdot \left( \frac{2-0,53}{2} \right) \cdot \frac{5,9}{4200} = 0,926 \text{ cm}^2$$

$$A_2y = 0,69 \cdot 100 \cdot 13 \cdot \left( \frac{1+0,53}{4} \right) \cdot \frac{5,9}{4200} = 0,481 \text{ cm}^2$$

$$A_1x = 1,2 A_0x = 1,2 \cdot 3,51 = 4,212 \text{ cm}^2$$

$$A_1y = 1,2 A_0y = 1,2 \cdot 3,51 = 4,212 \text{ cm}^2$$

$$A_x > \begin{cases} 3,51 \\ \min(4,12, 0,912) \end{cases} \Rightarrow A_x = 3,51 \text{ cm}^2$$

VERIFIEZ

$$A_y > \begin{cases} 3,51 \\ \min(4,12, 0,48) \end{cases} \Rightarrow A_y = 3,51 \text{ cm}^2$$

Donc 7T8 /ml pour lit sup et inf.

#### VERIFICATION DE LA FLECHE: (Art 6122)

Si les deux condition suivantes sont verifiées, il n'est pas nécessaire de faire la verification.

$$\frac{h_0}{I_x} > 1/20 \frac{M_t}{M_x}$$

Mt: moment en travée calculé

$$\frac{A}{bh} = \tilde{\omega}_0 < \frac{20}{6em}$$

Mx: moment max en travée  
comme si la dalle était non  
encastrée et non continue, pa-  
bande de longueur unité dans  
sens lx.

$$M_x = \mu_x q \cdot I_x^2$$

$$\mu_x = 1/8 (1 + 2\beta^3) = 0,096$$

$$M_x = 1,318 t.m$$

$$M_t = 113050 \text{ kgom}$$

$$M_t \geq 0,75 M_x$$

$$\frac{h_0}{I_x} = \frac{16}{260} = 0,045 \quad 0,045 > 0,042 \text{ 1ère condition vérifiée}$$

$$\frac{A}{bh} = \frac{3,51}{100 \cdot 13} = 0,0027 < 0,00476 \quad 2ème condition vérifiée$$

#### VERIFICATION DE LA FISSURATION:

$K = 1,5 \cdot 10^6$  fissuration peu nuisible.  $\bar{\sigma}_b = 5,9 \text{ kg/cm}^2$

$$\gamma = 1,6 \quad (\text{acier H.A.}) \quad \tilde{\omega}_f = \frac{A}{Bf} = \frac{3,51}{100 \cdot 2 \cdot 3} = 0,00585$$

$$\begin{aligned} \tilde{\sigma}_1 &= \frac{K \cdot \gamma}{\phi} \cdot \frac{\tilde{\omega}_f}{1 + 10 \tilde{\omega}_f} \\ &= 2,4 \sqrt{\frac{K \cdot \gamma}{\phi} \cdot \bar{\sigma}_b} \end{aligned}$$

$$\tilde{\sigma}_1 = 1643,83 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_2 = 3192,99 \text{ kg/cm}^2$$

$$\max(\tilde{\sigma}_1, \tilde{\sigma}_2) = 3192,99 \text{ kg/cm}^2 > \bar{\sigma}_a$$

donc ça vérifie.

VERIFICATION DES CONTRAINTES;

$$\tilde{\omega} = \frac{100 \cdot A}{bh} = \frac{100 \cdot 3,51}{100 \cdot 13} = 0,27 \Rightarrow \begin{cases} K = 45,7 \\ \epsilon = 0,9176 \end{cases}$$

$$\tilde{\sigma}_a = \frac{M}{A \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{113050}{3,51 \cdot 0,9176 \cdot 13} = 2700 \text{kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\tilde{\sigma}'_b = \frac{\tilde{\sigma}_a}{K} = \frac{2700}{45,7} = 59,08 \text{kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 137,5 \text{kg/cm}^2$$

condition vérifiée.

EFFORT TRANCHANT .

$$T_{\max} = \frac{q \cdot l_y}{2} = 35,93 \text{kg}$$

$$\mathcal{T} = \frac{T}{bz} = \frac{35,93}{100 \cdot 7/8 \cdot 13} = 0,0315 \text{kg/cm}^2$$

$$\bar{\mathcal{T}}_b = 1,15 \bar{\sigma}_b = 6,78 \text{kg/cm}^2$$

$$\text{Donc } \mathcal{T} = 0,0315 \text{kg/cm}^2 < 1,15 \bar{\sigma}_b = \bar{\mathcal{T}}_t$$

condition vérifiée.

## CALCUL DES PRÉDALES DU PLANCHER HAUT DU VIDE SANITAIRE

### CHOIX DU SYSTÈME DES PRÉDALES:

Vu l'impossibilité d'un coffrage tableau et banche pour ce plancher, voulant éviter la solution d'un coffrage perdu; nous adoptons un système de pré-dalles préfabriquées jointives présentant les avantages suivants:

\*-Suppression des coffrages, réduction de l'etaiement, facilité d'incorporation des canalisations, suppression des enduits de platre en sous face.

\*-Préfabrication sur le chantier, en usine, fabrication soignée de chaque élément, rendement assuré, réalisation aisée d'éléments non réguliers, réservation facile.

\*-Temps d'exécution et de livraison réduit.

### DEFINITIONS, CALCUL DES PRÉDALES:

On désigne par prédalles, des plaques préfabriquées en béton armé ou précontraint destinées à former la partie inférieure armée d'un plancher de type dalle pleine qui après durcissement d'une lame de béton, d'épaisseur au moins égale à celle des prédalles est coulé sur le chantier et aura un fonctionnement monolithique.

Dans le calcul, nous aurons à considérer 3 phases, conformément aux prescriptions du CCBA 68 (Art 22) : Les 3 phases sont :

1<sup>ere</sup> phase : Prédalle soumise à son poids propre seulement.

2<sup>e</sup> phase : Prédalle soumise à son poids propre, plus une surcharge constituée de béton frais coulé sur chantier et une surcharge forfaitaire  $100\text{kg/m}^2$  DITE de chantier, correspondant aux ouvriers, aux matériels courants ou aux matériaux concentrés susceptibles d'être présents pendant la mise en œuvre.

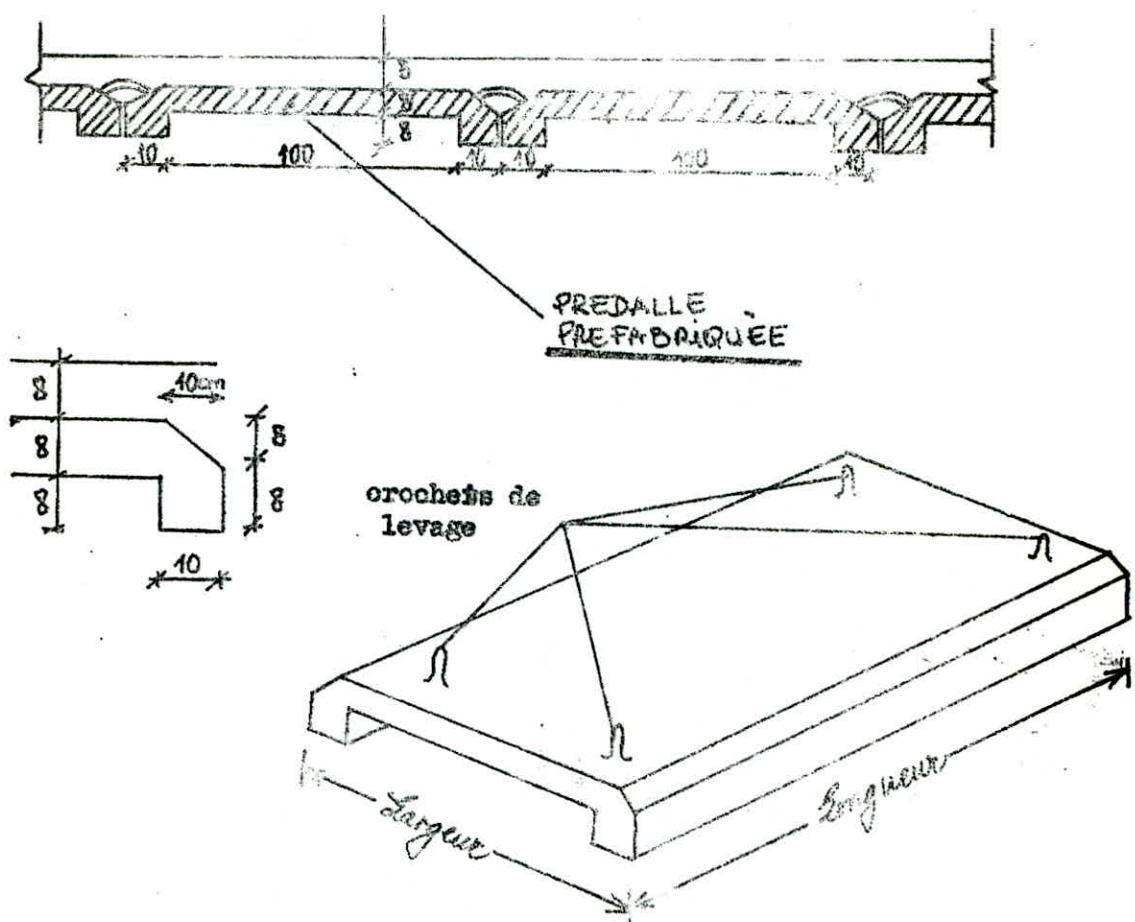
3<sup>e</sup> phase : Prédalle à pleine résistance sous G+1,2P. Les prédalles sont calculées suivant les règles classiques de la résistance des matériaux et armées en conséquence.

### DIMENSIONNEMENTS :

La longueur d'une prédale sera prise égale à la petite portée du pannneau plus 8cm qui doivent servir comme appuis de la dite prédale sur les voiles du vide sanitaire, la largeur est en fonction de la grande portée du pannneau et de l'emplacement des trémis.

L'étude sera faite seulement pour les prédalles du pannneau N°3

L'étude est similaire pour tous les autres

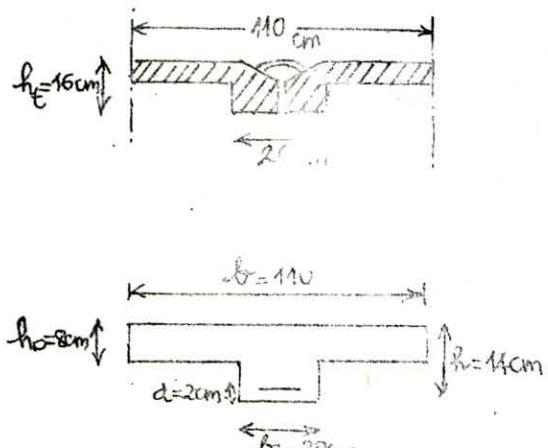


DETAIL D'une predalle et de son système  
de crochets de levage

#### ETUDE DES POUTRES PORTEUSES

des armatures de ligatures sont prévues au niveau de la jonction de deux predalles consécutives, ce qui nous permet d'adopter comme section transversale de calcul une section en Té. Nous utiliserons les méthodes exposées dans le calcul et la vérification des ouvrages en béton armé (théorie et application) de P.CHARON. Pour les 2 types de section; rectangulaire ou section en Té.

1<sup>o</sup> phase: Prédalle soumise à son poids propre seulement:



Longueur de la prédalle: L = 3,9 m  
L = 3,9 m

Portée libre: l = 3,9 m - 1,00 = 2,90 m

Largeur: 120 cm (soit 2 . 10cm:2 pour la largeur des hourdis à prendre en compte)

Largeur des hourdis à prendre en compte de chaque côté de la nervure doit être inférieure à:

$$\frac{1,00}{2} = 0,50 \text{ m et } \frac{3,9}{10} = 0,39 \text{ m}$$

Charge par mètre linéaire :

$$q = (0,20 \cdot 0,08 + 1,10 \cdot 0,08) \cdot 2500 = 260 \text{ kg/ml}$$

2<sup>o</sup> phase: Prédalle soumise à son poids propre plus une surcharge constituée de béton frais, de chantier(ouvriers et matériel)

Charge par mètre linéaire:

Poids propre par mètre linéaire = 260 kg / ml

Béton frais majoré: 1,2 . 0,08 . 1,10 . 2500 = 264 kg/ml

Surcharge re chantier majorée: 1,2 . 1,10 . 100 = 132 kg / ml

$$q = 656 \text{ kg / ml}$$

La comparaison des 2valeurs de charges par mètre linéaire dans les 2 phases montre que le cas le plus défavorable est celui de la 2<sup>o</sup> phase.

$$\text{Etude de la 2<sup>o</sup> phase: } M = \frac{\pi l^2}{8} \cdot \frac{656 \cdot (3,82)^2}{6} = 1196,57 \text{ kg/m}$$

$$\text{Position de l'axe neutre: } I = \frac{15 \cdot M}{2800 \cdot 110 \cdot 14^2} = \frac{15 \cdot 1196,57 \cdot 10^2}{2800 \cdot 110 \cdot 14^2}$$

$$\mu = 0,929 \Rightarrow \alpha = 0,2206, K = 53 \quad E = 0,9265$$

$$h_0 = 0,9206 \cdot 1,4 = 3,08 \text{ cm} \quad b_0 = 8 \text{ cm}$$

L'axe neutre tombe dans l'angle on calcule la section rectangulaire de de largeur b et de hauteur h .

Section des deux angles:

$$A_2 = \frac{M}{6 \cdot E \cdot h} = \frac{1196,57 \cdot 10^2}{28 \cdot 0,9265 \cdot 14} = 3,29 \text{ cm}^2 \quad A = 5 \varnothing 10 = 3,92 \text{ cm}^2$$

VERIFICATIONS

a) Contraintes:

$$\sigma_a = \frac{M}{A \cdot E \cdot I} = \frac{1196,57 \cdot 10^2}{3,92 \cdot 0,9265 \cdot 14} = 2353,30 \text{ Kg/cm}^2$$

$$\sigma_a = 2353,30 \text{ Kg/cm}^2 \quad R_s = 2200 \text{ Kg/cm}^2 \quad \text{Vérifié}$$

$$\tilde{\sigma}_b' = \frac{6a}{k} = \frac{233}{53} = 44,40 \text{ kgf/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_b' = 44,40 \text{ kgf/cm}^2 < \tilde{\sigma}_b = 135 \text{ kgf/cm}^2$$

ou  $\tilde{\omega}_b = \frac{100 \cdot A}{b \cdot h} = \frac{100 \cdot 3,92}{110 \cdot 14} = 0,162$

vérifiée

$$\begin{cases} E = 0,9199 \\ K = 47,4 \end{cases}$$

$$\tilde{\sigma}_a = \frac{M}{A \cdot E \cdot b} = \frac{1126,77 \cdot 11^2}{3,92 \cdot 0,9199 \cdot 14} = 2370,19 \text{ kgf/cm}^2 < \tilde{\sigma}_a = 2800 \text{ kgf/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_b' = \frac{\tilde{\sigma}_a}{K} = \frac{2370,19}{47,4} = 50,00 \text{ kgf/cm}^2 < \tilde{\sigma}_b = 135 \text{ kgf/cm}^2$$

vérifié

### b) Non fragilité

$$A_{min} = 0,69 \cdot 3,92 \cdot \frac{5,9}{4200}$$

$$A = 3,92 \text{ cm}^2 \quad 0,69 \cdot 110 \cdot 14 \cdot \frac{5,9}{4200} = 1,49 \text{ cm}^2$$

vérifié

### c) Non fissuration

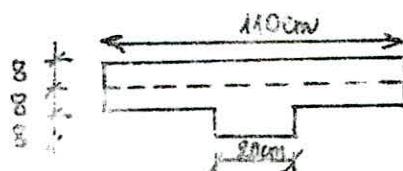
$$\tilde{\omega}_f = \frac{A}{Bf} = \frac{A}{2 \cdot b \cdot d} = \frac{3,92}{2 \cdot 2 \cdot 110} = 0,0089$$

$$\tilde{\sigma}_1 = \frac{kq}{\phi} \cdot \frac{\tilde{\omega}_f}{1+10\tilde{\omega}_f} = \frac{1,5 \cdot 10^6 \cdot 1,6}{10} \cdot \frac{0,0089}{1+10 \cdot 0,0089} = 1961,41 \text{ kg/cm}^2 \quad \left. \right\} > \tilde{\sigma}_a$$

$$\tilde{\sigma}_2 = 2,4 \sqrt{\frac{kq \cdot \tilde{\sigma}_b}{\phi}} = 2,4 \cdot \frac{1,5 \cdot 10^6 \cdot 1,6}{10} \cdot 5,9 = 2855,88 \text{ kg/cm}^2 \quad \left. \right\}$$

### 3<sup>e</sup> phase

Prédalle à pleine résistance sous G+1.2P



Charge par m<sup>2</sup> (0,21.0,03+1,10...) = 480kg/m<sup>2</sup>

Carrelage (2cm) 2.22 = 44kg/m<sup>2</sup>

Mortier de pose 0,02.2000 = 40kg/m<sup>2</sup>

Dalle (3cm) 0,03.1700 = 51kg/m<sup>2</sup>

Surcharge majorée 1,2.250 = 300kg/m<sup>2</sup>

$q = 915 \text{ kg/m}^2$

$$M = \frac{q l^2}{8} = \frac{915 \cdot 3,82}{8} = 1169,00 \text{ kg.m}$$

$$T_{max} = \frac{q l}{2} = \frac{915 \cdot 3,82}{2} = 1717,65 \text{ kg}$$

$$\mu = \frac{15 M}{\tilde{\sigma}_a \cdot 1 \cdot 2} = \frac{15 \cdot 1169,00 \cdot 10^6}{2800 \cdot 110 \cdot 1 \cdot 2} = 0,0117$$

$$M = 0.0117 \Rightarrow K = 88.5 \text{ ET } \alpha = 0.1449$$

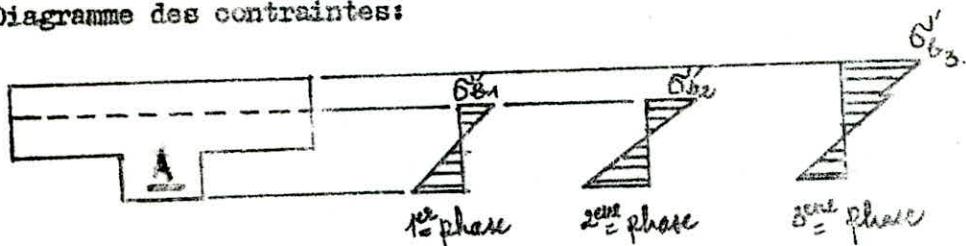
$$y = \alpha h = 3.187 \text{ cm} < h_0 = 16 \text{ cm}$$

Donc l'axe neutre tombe dans la table Nous sommes ramenés à l'étude d'une section rectangulaire ( $b = 110$  ;  $h = 22 \text{ cm}$ )

$$\rightarrow A_3 = \frac{1169,00 \cdot 10^2}{F_{\sigma} \cdot h} = \frac{1169,00 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9517 \cdot 22} = 1,99 \text{ cm}^2$$

La section à produire devra être  $\max(A_2, A_3)$  c'est-à-dire max de  $(3,29 ; 1,99) = 3,29 \text{ cm}^2$   
 $5 \times 10 (3,92 \text{ cm}^2)$

Diagramme des contraintes:



Vérification des contraintes :

$$\tilde{\omega} = \frac{100A}{b h} = \frac{100 \cdot 3,92}{110 \cdot 22} = 0,1619 \quad \rightarrow \begin{cases} E = 0,9344 \\ K = 0,61,25 \end{cases}$$

$$\text{Aciers: } \tilde{\sigma}_a = \frac{M}{A \cdot E \cdot h} = \frac{1169,00 \cdot 10^2}{3,92 \cdot 0,9344 \cdot 22} = 1450,68 < \bar{\sigma}_a$$

$$\text{Béton: } \tilde{\sigma}_b = \frac{\tilde{\sigma}_a}{K} = \frac{1450,68}{61,25} = 23,68 < \bar{\sigma}_b = 135 \text{ kg/cm}^2$$

Vérification de non fragilité:

$$A_{\min} = 0,69 \cdot b \cdot \frac{\tilde{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_{\text{en}}} \\ A_{\max} = \frac{0,69 \cdot 110 \cdot 22 \cdot 5,9}{4200} = 2,34 \text{ cm}^2$$

$A_c > A_{\min}$  vérifiée

Condition de non fissuration:

$$\tilde{\sigma}_1 = \frac{k_m}{\phi} \cdot \frac{\tilde{\omega}_f}{1+10\tilde{\omega}_f} = \tilde{\sigma}_f = \frac{3,92}{2 \cdot 2,20} = 0,049 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_1 = \frac{1,5 \cdot 10^6 \cdot 1,6}{10} \cdot \frac{0,049}{1+10 \cdot 0,049} = 7892,61 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tilde{\sigma}_2 = 2,4 \sqrt{\frac{k_m}{\phi} \cdot \tilde{\sigma}_b} = 2,4 \cdot \frac{1,5 \cdot 10^6 \cdot 1,6 \cdot 5,9}{10} = 2855,19$$

$$\max(\tilde{\sigma}_1, \tilde{\sigma}_2) = 7892,61 \text{ kg/cm}^2 > \bar{\sigma}_a \quad \text{vérifié}$$

$$T_{\max} = 1747,65 \text{ kg}$$

On utilisera des cadres perpendiculaires à la ligne moyenne.

$$\bar{\sigma}_b = 52,83 < \bar{\sigma}_{bo} = 67,5 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_b = 3,5 \bar{\sigma}_b = 3,5 \cdot 5,9 = 20,65 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_b = \frac{T_{\max}}{b \cdot z} = \frac{1747,65}{20 \cdot \frac{7}{8} \cdot 14} = 7,113 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_b = 7,113 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b = 20,65 \text{ kg/cm}^2$$

Contrainte admissible des armatures transversales

$$\bar{\sigma}_{at} = \bar{\sigma}_{at} \bar{\sigma}_{en} \quad \text{avec } \bar{\sigma}_{at} = \max\left(\frac{2}{3}, 1 - \frac{\bar{\sigma}_b}{9\bar{\sigma}_b}\right)$$

$$\bar{\sigma}_{en} = 2400 \text{ kg/cm}^2$$

$$1 - \frac{\bar{\sigma}_b}{9\bar{\sigma}_b} = 1 - \frac{7,113}{9 \cdot 5,9} = 0,865 \quad \frac{2}{3} = 0,66$$

$$\bar{\sigma}_{at} = 0,865 \quad \bar{\sigma}_{at} = 0,865 \cdot 2400 = 2076 \text{ kg/cm}^2$$

L'écartement des cadres doit vérifier la condition suivante:

$$t \leq \inf \begin{cases} t_0 \\ \max(\bar{E}_1, \bar{E}_2) \end{cases}$$

$$t_0 = \frac{A_t \bar{\sigma}_{at}}{T} \quad \text{ou } A_t = \text{Section des armatures transversales dans une section droite soit: 2 cadres } \Phi_6$$

$$\Rightarrow A_t = 1,13 \text{ cm}^2$$

$$t_0 = \frac{1,13 \cdot \frac{7}{8} \cdot 14 \cdot 2076}{1747,65} = 16,44 \text{ cm}$$

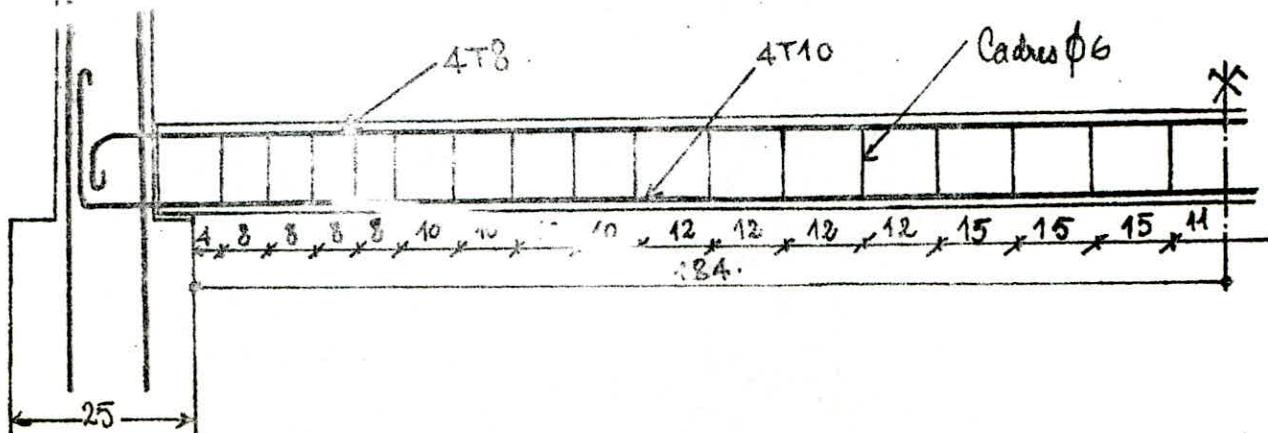
$$t_1 = h \left( 1 - \frac{\bar{\sigma}_{at} \bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_b} \right) = 14 \left( 1 - \frac{0,865 \cdot 7,113}{5,9} \right) = 8,92 \text{ cm}$$

$$t_2 = 0,2h = 0,2 \cdot 14 = 2,8 \text{ cm}$$

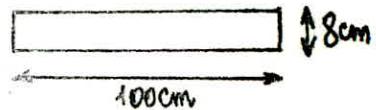
$$t \leq \inf \begin{cases} 16,44 \\ \max(8,92; 2,8) \end{cases}$$

$$t \leq 8,92 \text{ cm}$$

on admettra l'épaisseur c-à-dire quand  $T = 1747,65 \text{ kg}$



Calcul des hourdis:



1<sup>o</sup> phase :

Charge par metre linéaire

$$q = 1,00 \cdot 0,08 \cdot 2500 = 200 \text{ kg/ml}$$

$$M_{t1} = \frac{q l^2}{10} = \frac{200 \cdot 1,00^2}{10} = 20 \text{ kg.m}$$

$$M_{a1} = \frac{q l^2}{20} = \frac{200 \cdot 1,00^2}{20} = 10 \text{ kg.m}$$

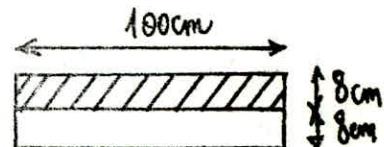
2<sup>o</sup> phase :

Charge par metre linéaire

$$\text{- Hourdis : } 1,00 \cdot 0,08 \cdot 2500 = 200 \text{ kg/ml}$$

$$\text{- Béton frais: } 1,2 \cdot 0,08 \cdot 10 \cdot 2500 = 240 \text{ kg/ml}$$

$$\text{- Surcharges de chantiers: } 1,2 \cdot 100 \cdot 1,00 = 120 \text{ kg/ml}$$



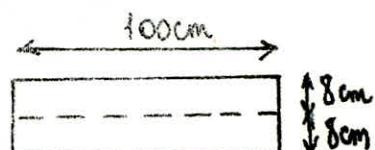
$$q = 560 \text{ kg/ml}$$

$$M_{t2} = \frac{q l^2}{10} = \frac{560 \cdot 1,00^2}{10} = 56,0 \text{ kg/m}$$

$$M_{a2} = \frac{q l^2}{20} = \frac{560 \cdot 1,00^2}{20} = 28,0 \text{ kg.m}$$

3<sup>o</sup> phase

charge par metre linéaire



$$\text{- Dalle } 0,16 \cdot 1,00 \cdot 2500 = 400 \text{ kg/ml}$$

$$\text{- Carrelage } 2,22 = 44 \text{ kg/ml}$$

$$\text{- Mortier de pose } 0,02 \cdot 2000 = 40 \text{ kg/ml}$$

$$\text{- Sable } 0,03 \cdot 1700 = 51 \text{ kg/ml}$$

$$\text{- Surcharge Majorée } 1,2 \cdot 250 = 300 \text{ kg/ml}$$

$$q = 835 \text{ kg/ml}$$

$$M_{t3} = \frac{q l^2}{10} = \frac{835 \cdot 1,00^2}{10} = 83,5 \text{ kg.m}$$

$$M_{a3} = \frac{q l^2}{20} = \frac{835 \cdot 1,00^2}{20} = 41,75 \text{ kg.m}$$

### FERRAILLAGE DU HOUUDIS.

On prendra une bande de 1,00m de large c'est à dire  $b = 1,00m$   
1<sup>er</sup> phase.

$$\mu = \frac{15 \cdot M_{t_1}}{\bar{G}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 20 \cdot 10^2}{2800 \cdot 100 \cdot 7^2} = 0,0021 \Rightarrow \begin{cases} \epsilon = 0,9787 \\ K = 120 \end{cases}$$

$$A_1 = \frac{M_{t_1}}{\bar{G}_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{20 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9787 \cdot 7} = 0,104 \text{ cm}^2$$

2<sup>eme</sup> phase

$$\mu = \frac{15 \cdot M_{t_2}}{\bar{G}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 56 \cdot 10^2}{2800 \cdot 100 \cdot 7^2} = 0,006 \Rightarrow \begin{cases} \epsilon = 0,9647 \\ K = 127 \end{cases}$$

$$A_2 = \frac{M_{t_2}}{\bar{G}_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{56 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9647 \cdot 7} = 0,296 \text{ cm}^2$$

3<sup>eme</sup> phase

$$\mu = \frac{15 \cdot M_{t_3}}{\bar{G}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 83,5 \cdot 10^2}{2800 \cdot 100 \cdot 7^2} = 0,009 \Rightarrow \begin{cases} \epsilon = 0,9573 \\ K = 102 \end{cases}$$

$$A_3 = \frac{M_{t_3}}{\bar{G}_a \cdot \epsilon \cdot h} = \frac{83,5 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9573 \cdot 7} = 0,445 \text{ cm}^2$$

DOUC  $A = \max (A_1, A_2, A_3) = 0,445 \text{ cm}^2$

### SECTION MINIMALE PAR LA CONDITION DE NON FRAGILITE.

$$A_{min} = 0,69 \cdot b \cdot h = 0,69 \cdot 100 \cdot 14 \cdot \frac{5,9}{4200} = 1,357 \text{ cm}^2$$

donc on choisira la section minimale donnée par la condition de non fragilité.

$$A = 1,35 \text{ cm}^2 \quad \text{SOIT } 5T6 / ml \quad A = 1,41 \text{ cm}^2$$

espacement  $e = 20 \text{ cm}$       on a     $e = 20 \text{ cm} \leq \begin{cases} t_1 = 44 \text{ cm} \\ t_2 = 2 \cdot h = 2 \cdot 16 = 32 \text{ cm} \end{cases}$

Ferraillage dans le sens de la grande portée (armature de répartition)  
les pieds sont considérés comme des poutres dalles la section  
d'acier de répartition sera donnée par la condition suivante.

$$A_{rep} = \frac{4 \cdot \bar{G}_b \cdot I}{0,9 \cdot h \cdot v; \bar{G}_a} = \frac{4 \cdot 5,9 \cdot 22866,66}{0,9 \cdot 14 \cdot 8 \cdot 4200} = 1,27 \text{ cm}^2$$

On adoptera:  $A_{rep}^{sep} 5T6/ml = 1,41 \text{ cm}^2$

Chapeau ( nappe supérieure )

1<sup>er</sup> phase:

$$\mu = \frac{15 \cdot M_{a_1}}{\bar{G}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 10 \cdot 10^2}{2800 \cdot 100 \cdot 7^2} = 0,001 \quad \begin{cases} \epsilon = 0,9851 \\ K = 320 \end{cases}$$

$$A_1 = \frac{M_{a_1}}{6a.E.h} = \frac{10 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9851 \cdot 7^2} = 0,07104 \text{ cm}^2$$

2<sup>e</sup> phase:

$$\mu = \frac{15 \cdot M_{a_2}}{6a.E.h} = \frac{15 \cdot 28 \cdot 10^2}{2800 \cdot 100 \cdot 7^2} = 0,003$$

$$\begin{cases} E = 0,9749 \\ Y = 184 \end{cases}$$

$$A_2 = \frac{M_{a_2}}{6a.E.h} = \frac{28 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9749 \cdot 7} = 0,146 \text{ cm}^2$$

3<sup>e</sup> phase:

$$\mu = \frac{15 \cdot M_{a_3}}{6a.b.h^2} = \frac{15 \cdot 41,75 \cdot 10^2}{2800 \cdot 100 \cdot 7^2} = 0,0045$$

$$\begin{cases} E = 0,9693 \\ Y = 148 \end{cases}$$

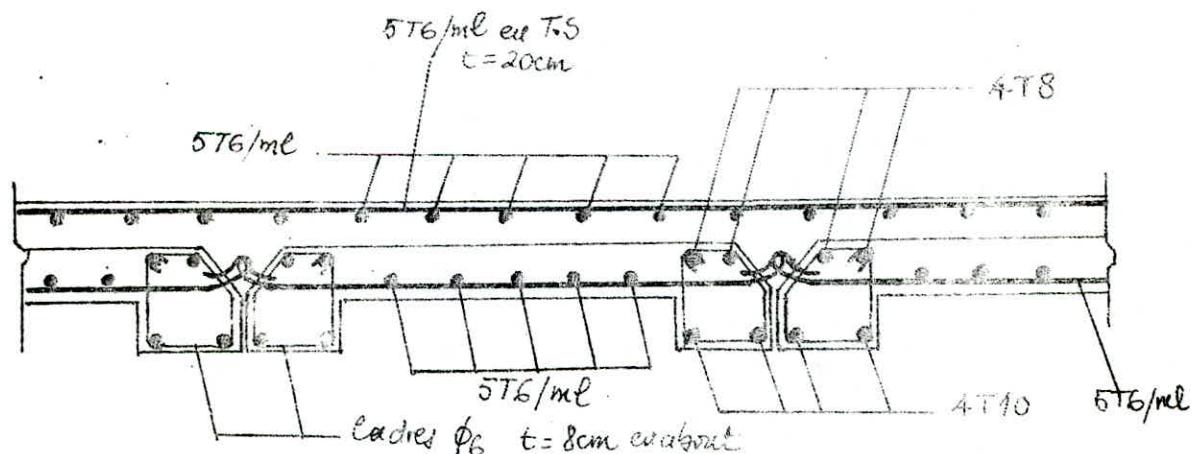
$$A_3 = \frac{M_{a_3}}{6a.E.h} = \frac{41,75 \cdot 10^2}{2800 \cdot 0,9693 \cdot 7} = 0,219 \text{ cm}^2$$

$$A = \max(A_1; A_2; A_3) = 0,219 \text{ cm}^2$$

Le ferrailage minimum vérifiant la condition de non fragilité est:

A = 1,35 cm<sup>2</sup> (calculée précédemment, ferrailage en travée)

On adoptera: A = 5T6/ml = 1,41 cm<sup>2</sup> dans les 2 sens sous forme de treillis soudés (écartement de 20 cm dans les 2 sens).



Coupe du Plancher "Piedalle"

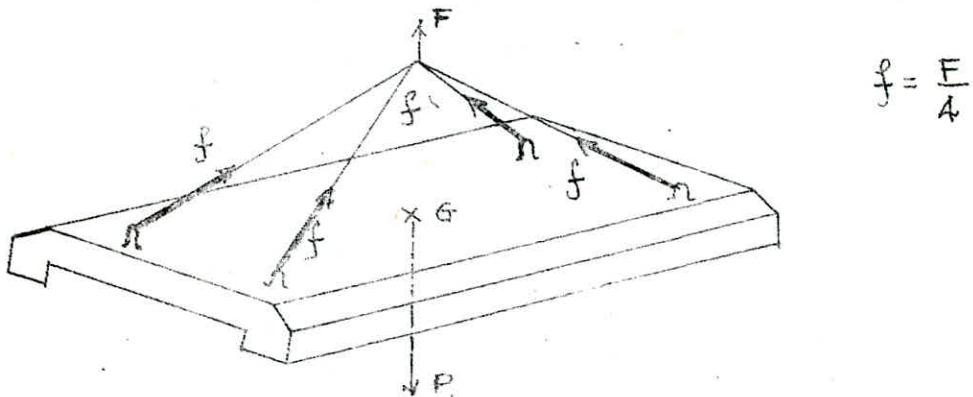
## SYSTEMES DE LEVAGE ET D'ANCRAGE DANS LES PREDALLES

Les systèmes doivent être positionnés de telle sorte que l'on puisse procéder au levage sans avoir à agir sur l'équilibrage du palomier.

Tous les détails doivent figurer sur les plans d'exécution et que, particulièrement, la pose des aciers de manutention ne soit pas laissée à l'initiative du chantier qui improvisera sûrement une solution sans tenir compte des règles de sécurité.

Les boucles doivent être rendues solidaires des armatures de l'élément. Elles ne doivent pas être trop près du parement.

### Calcul des boucles de levage:



K = 1,56 : Coefficient de sécurité à appliquer au calcul sur la contrainte admissible:

$$\text{Pour une boucle on aura: } \sigma_a = K \cdot \frac{f}{2s} = K \cdot \frac{f}{2 \cdot \frac{\pi \phi^2}{4}} = \frac{2 \cdot K \cdot f}{\pi \phi^2}$$

s: section de la boucle en ( $\text{cm}^2$ )

$\phi$  en ( $\text{cm}$ ) et f en ( $\text{kg}$ )

"f" doit tenir compte non seulement du poids du panneau, mais également des efforts parasites qui peuvent être superposés ou non :

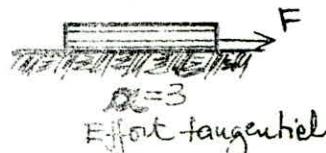
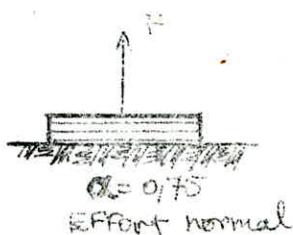
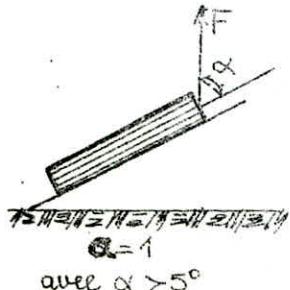
- Efforts supplémentaires de démoulage.
- Efforts supplémentaires pour emploi d'élinges.

On prend:  $F = a \cdot k \cdot P$

F: effort global.

P: poids du panneau.

k: coefficient, fonction de l'orientation de F par rapport au plan de la pièce.



Pour les autres cas, l'expérimentation est en cours.

Finalement on a:  $F = a.k.P = 0,75 \cdot 1,70 \cdot 870,8 = 1110,24 \text{ kg}$

$$P = (1,00,3,11,0,03) + (2,0,10,3,11,0,16) \cdot 2500$$

$$P = \frac{870,8 \text{ kg}}{4}$$

$$f = \frac{F}{4} = \frac{1110,24}{4} = 277,56 \text{ kg}$$

$$\bar{\sigma}_a = K \cdot \frac{2f}{\pi \phi^2} \Rightarrow \phi = \sqrt{\frac{K \cdot 2f}{6a \cdot K}} = \sqrt{\frac{1,56 \cdot 2 \cdot 277,56}{1600 \cdot 3,14}} = 0,409 \text{ cm} \approx 4 \text{ mm}$$

On prendra:  $\phi = 8 \text{ mm}$

N.B.: Ces crochets sont aciers doux

Longueurs d'ancrege:



Ancrege normal: (C.C.B.A.68)

$$ld = \frac{\phi}{4} \cdot \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_d}$$

\* -  $\bar{\sigma}_a$  = Contrainte de traction admissible de l'acier.

\* -  $\bar{\sigma}_d$  = Contrainte d'adhérence admissible.

\* -  $\psi$  = Coefficient de scellement.

$$d = 1,25 \cdot \psi_d \cdot \bar{\sigma}_b$$

$$\psi_d = \frac{1,5}{\sqrt{2}} \Rightarrow \psi_d = \frac{1,5}{\sqrt{2}} = 1,06$$

$\psi_d = 1$  pour Fe E 24

$$\Rightarrow \bar{\sigma}_d = 1,25 \cdot 1,06^2 \cdot 5,9 = 8,29 \text{ kg/cm}^2$$

$$ld = \frac{0,8}{4} = \frac{1600}{8,29} = 38,60 \text{ cm}$$

On prend:  $ld = 45 \text{ cm}$

## **=CHAPITRE 9=**

**CIRCUIT  
DES FONCTIONS**

Détermination de la surpression admissible ( $\tilde{\sigma}_s$ ) vis à vis du pouvoir portant. La surpression admissible sera déterminée avec les hypothèses:

$$\tilde{\sigma}_h = 2t/m^3 \text{ poids volumique du sol.}$$

$$C = 0.7 \text{ cohésion}$$

$$\phi = 23^\circ \text{ angle de frottement}$$

$$N_q = 8.66$$

$$N_g = 7.73$$

$$N_c = 18.01 \quad \left. \begin{array}{l} \text{Paramètre déterminé en fonction de} \\ \text{B} \end{array} \right\}$$

$$N_c = 18.01$$

$$B = 1.6m \text{ largeur de la semelle}$$

$$D = 2.5m \text{ hauteur de pénétration de la fondation dans le sol}$$

$$F = 3 \text{ coef. de sécurité}$$

$$\frac{Q_s}{F} = \tilde{\sigma}_s = 2.25 \text{ kg/cm}^2$$

#### Méthode utilisée

Dans notre cas, on considérera dans un 1<sup>er</sup> lieu que toute l'infrastructure se compose d'une boîte assez rigide d'où on déterminera:

- N total de la superstructure

- Moment total du bâtiment qui sera la superposition d'un moment dû à (inertie par rapport) la résultante des forces sismiques horizontales et d'un moment résiduel dû à l'excentricité de la semelle par rapport à la superstructure dans les deux sens.

On calculera aussi la surface des semelles et leurs inerties dans les deux sens.

On procédera ensuite à la vérification suivante:

$$\tilde{\sigma}_{1.2} = \frac{N}{A} + \frac{M}{I} v$$

$$\text{Avec } \tilde{\sigma}_{1.2} \leq 1.33 \tilde{\sigma}_s. \text{ (RPA 81) pour sol meuble}$$

1) N total du bâtiment avec voiles du vide sanitaire.

$$N = 3775.784 + 371.8 = 4147.58 \text{ t (descente de charge)}$$

Cet effort est appliqué à  $X_g = 14.72 \text{ m}$

$$Y_g = 6.7 \text{ m}$$

2) Résultante due aux efforts sismiques horizontaux:

R = efforts sismiques appliqués à 16.8 cm de sa base

$$R = 247.63 \text{ t}$$

$$Z = 16.8 \text{ m}$$

Moment dû aux efforts sismiques

$$247.63 \cdot 16.8 = 4160,18 \text{ t.m}$$

Dimensionnement des semelles

Largeur B = 160cm DONC une largeur de 80cm de chaque côté de voile

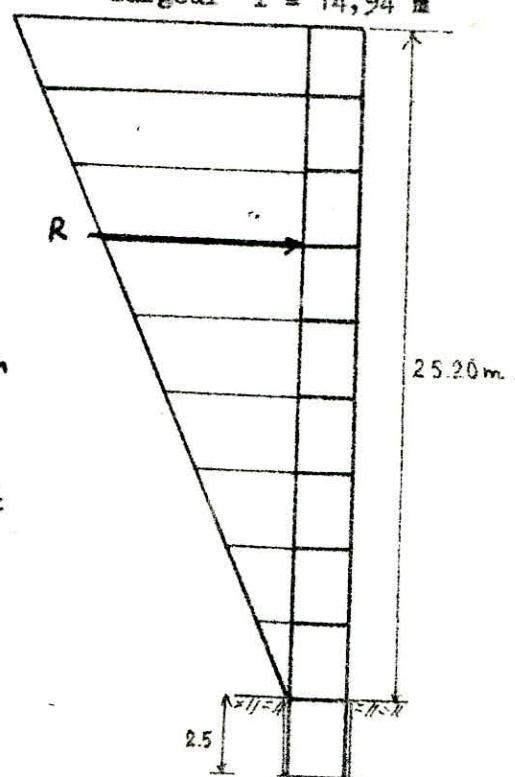
Longueur totale du bâtiment:

$L = 31,60 \text{ m}$

largeur  $l = 14,94 \text{ m}$

R :  $\Sigma$  efforts sismiques  
appliqués à 16,8 m  
de sa base.

$$R = 247,63 \text{ t}$$



Surface totale de toute la fondation

$$31,60 \cdot 14,72 = 465,15 \text{ m}^2$$

Surface des semelles:

$$465,15 - 200,74 = 264,41 \text{ m}^2$$

Le centre de gravité de la fondation (semelles)

$$X_G = \frac{\sum x_i}{\sum} = 13,79 \text{ m}$$

$$Y_G = \frac{\sum y_i}{\sum} = 6,43 \text{ m}$$

Donc  $e_x = 14,72 - 13,79 = 0,93 \text{ m}$   
 $e_y = 6,70 - 6,43 = 0,27 \text{ m}$

$$V_x = 31,60 - 13,79 = 17,81 \text{ m}$$

$$V_y = 14,72 - 6,43 = 8,31 \text{ m}$$

2) Moment total du bâtiment: ( $Sg. 16,8 + N.P.$ )

$$M_x = 4160,18 + 4147,58 \cdot 0,27 = 5280,03 \text{ t.m}$$

$$M_y = 4160,18 + 4147,58 \cdot 0,93 = 7893 \text{ t.m}$$

$$I_x = 7945,52 \text{ m}^4$$

$$I_y = 36747,82 \text{ m}^4$$

$$\sigma'_{1,2} = \frac{N}{A_s} + \frac{M_x v_x}{I_x}$$

Dans le sens longitudinal: § X.X ) :

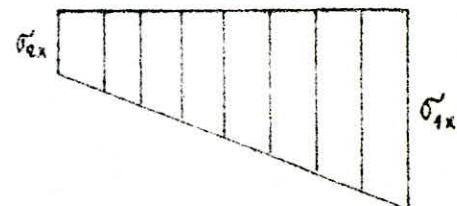
$$\sigma'_{1x} = \frac{N}{A_s} + \frac{M_x}{I_x} \cdot v_x$$

$$\sigma'_{1x} = \frac{4147,58}{265,4} + \frac{5280,03}{7945,52} \cdot 17,86 \text{ t/m}^2$$

$$= 15,62 + 11,83$$

$$\sigma'_{1x} = 27,5 \text{ t/m}^2 = 2,75 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma'_{2x} = 15,62 - 11,83 = 3,79 \text{ kg/cm}^2$$



Donc  $\sigma'_{1x} < 1,33 \cdot \bar{\sigma}_s = 1,33 \cdot 2,25 \text{ kg/cm}^2$

$$\sigma'_{2x} < 1,33 \bar{\sigma}_s \quad \text{vérifiée}$$

Dans le sens Y.Y

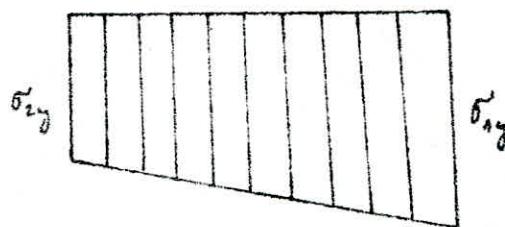
$$\sigma'_{1y} = \frac{N}{A_s} + \frac{M_y}{I_y} v_y$$

$$\sigma'_{1y} = \frac{4147,58}{265,4} + \frac{7893}{36747,82} \cdot 8,31$$

$$\sigma'_{1y} = 1,7 \text{ kg/cm}^2 < 1,33 \bar{\sigma}_s$$

$$\sigma'_{2y} = 1,38 \text{ kg/cm}^2 < 1,33 \bar{\sigma}_s$$

vérifiée

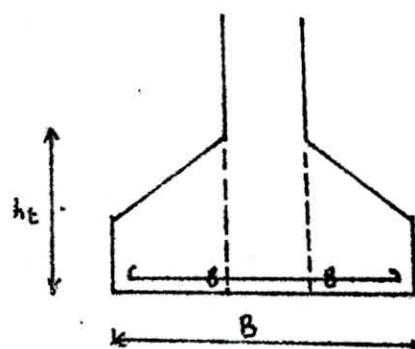


donc pour le ferrailage on prend  $\sigma'_{\max}$   
de la fondation =  $\sigma'_{1x} = 2,75 \text{ kg/cm}^2$

### Ferraillage des semelles:

Pour le ferraillage des semelles, on prend les semelles les plus sollicitées

### Ferraillage de la semelle:



### Moment d'enca斯特rement:

Elle consiste à considérer la semelle comme une double console encastrée au mur.

$$M_b = \frac{N}{A} z \cdot \sigma_a$$

$$M_b = \frac{Nl^2}{2} = \max \frac{(B-b)^2}{8} \cdot 1m$$

### Sollicitations du 1<sup>o</sup> genre:

On suppose que notre fondation travaille sous N total et un moment résiduel (dû à l'écentricité.)

$$M_y = N \cdot \frac{E_x}{I_x} = 4147,58 \cdot 0,9 \\ = 3732,82 \text{ kg.m}$$

$$M_x = N \cdot e_y = 4147,58 \cdot 0,27 = 1119,8 \text{ kg.m.}$$

$$M_x = 1119,8 \text{ kg.m.}$$

$$M_y = 3732,82 \text{ kg.m.}$$

### Moment d'inertie :

$$I_{xx} = 7945,52 \text{ m}^4$$

$$I_{yy} = 36747,82 \text{ m}^4$$

$$V_x = 17,81$$

$$V_y = 8,31$$

$$\sigma_{1,2} = \frac{N}{S} + \frac{M}{I} \cdot v.$$

$$\sigma'_{1x} = \frac{N}{S} + \frac{M_x \cdot V_x}{I_x}$$

$$\sigma'_{1x} = \frac{4147,58}{265,4} + \frac{1119,8 \cdot 17,81}{7945,52} = 17,39 \text{ t/m}^2$$

Suivant x.x

$$\sigma'_{1x} = 17,39 \text{ t/m}^2 \quad \sigma'_{2x} = 13,85 \text{ t/m}^2$$

Suivant y.y :

$$\sigma_{1,2} = \frac{47,58}{265,4} = 3,32, 8,31$$

$$36747,82$$

$$\sigma_{1y} = 16,47 \text{ t/m}^2$$

$$\sigma_{2y} = 14,78 \text{ t/m}^2$$

D'où on prend  $\sigma_{\max} = 17,39 = \sigma_{1x}$

Moment d'encastrrement:

$$M_B = \frac{\sigma l^2}{2} = \sigma_{\max} \cdot \frac{(B-b)^2}{8} \cdot 1 \text{ m}$$

$$M_B = 4,36 \text{ t.m.}$$

Calcul de la section d'acier: (sous SP1)

$$A = \frac{M_B}{z \cdot \sigma_a}$$

$$A = 4,36 \text{ cm}^2$$

On prend 4T15 ( $A = 4,41 \text{ cm}^2$ )

avec  $t = 29 \text{ cm}$

Dans les sollicitations du 2<sup>e</sup> genre:

Moment du au séisme

$$M_B = \frac{\sigma l^2}{2} = \max \frac{(B-b)^2}{8} \cdot 1 \text{ m}$$

$$\sigma_{\max} = \sigma_{1x} = 27,5 \text{ t/m}^2$$

$$M_B = 27,5 \cdot \frac{(1,60 - 0,2)^2}{8} \cdot 1 \text{ m} = 6,73 \text{ t.m}$$

$$A = \frac{M}{z \cdot \sigma_a} = \frac{6,73 \cdot 10^5}{0,85 \cdot 45 \cdot 4200} = 4,18$$

Soit 4T12 ( $A = 4,52 \text{ cm}^2$ )  $t = 25 \text{ cm}$

Pour les armatures de répartition :

$$A_{rep} = \frac{A}{4} = 1,13 \text{ cm}^2$$

D'où 4T6/ml ( $A = 1,13$ )  $t = 25 \text{ cm}$

Vu le rapprochement des voiles V<sub>T4</sub>-V<sub>T5</sub>-V<sub>T6</sub>, on prend une largeur des semelles de 100cm la fondation travaille avec une contrainte:

$$\sigma_{1x} = 2,75 \text{ kg/cm}^2$$

La méthode utilisée est toujours celle des consoles.

$$M_B = \frac{\sigma l^2}{2} = \sigma_{\max} \frac{(B - b)^2}{8} \cdot 1m$$

$$M_B = 2,19 t.m.$$

Le ferrailage se fera sous les sollicitations du 2<sup>e</sup> genre

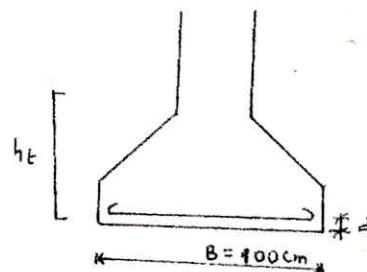
$$A = \frac{M_B}{z \cdot a} = \frac{2 \cdot 19 \cdot 10^5}{0,85 \cdot 45 \cdot 4200} = 1,36 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow 3T8 \quad (A = 1,50 \text{ cm}^2)$$

$$t = 33 \text{ cm}$$

$$A'_{\text{rep}} = \frac{A}{4} = 0,38 \text{ cm}^2$$

On prend 2T8 ( $A = 1 \text{ cm}^2$ ) comme armature de répartition avec  $= 50 \text{ cm}$



L'ancre de nos barres doit être total, pour cela on respectera par le façonnage de nos armatures les valeurs suivantes:

/ Ancre droit: la longueur de scellement droit  $l_d$  assurant l'ancre total d'une barre soumise à un effort de traction  $F$  est égale à:

$$l_d = \frac{d}{4} \cdot \frac{\sigma_s}{\sigma_d}$$

Dans notre bâtiment on admet que:

- barres à haute adhérence, zone d'ancre  $l_d = 43 \text{ d}$
- barres à haute adhérence, zone d'ancre en pleine masse  $l_d = 27 \text{ d}$

## CALCUL DES TASSEMENTS

### CARACTERISTIQUES DU SOL

$\gamma = 2 \text{ t/m}^3$  poids volumique des terres

$C = 0,7$  cohésion

$\phi = 23^\circ$  angle de frottement

$N_s = 7,73$  terme de surface

$N_q = 8,66$  terme de profondeur

$N_c = 18,01$  terme de cohésion

$\bar{\sigma}_s = 2,25 \text{ kg/cm}^2$  à une profondeur de 2,5m

On calculera le tassement pour un sondage effectué à des profondeurs différentes, on assimilera notre fondation à une semelle rectangulaire de dimension  $L \times l$  dont on fera le calcul de tassement au milieu de celle-ci

$H_1$	$\times \gamma_1$	$\gamma_1$
$H_2$	$\times \gamma_2$	$\gamma_2$
$H_3$	$\times \gamma_3$	$\gamma_3$
$H_4$	$\times \gamma_4$	$\gamma_4$

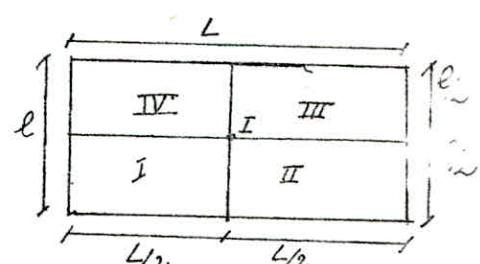
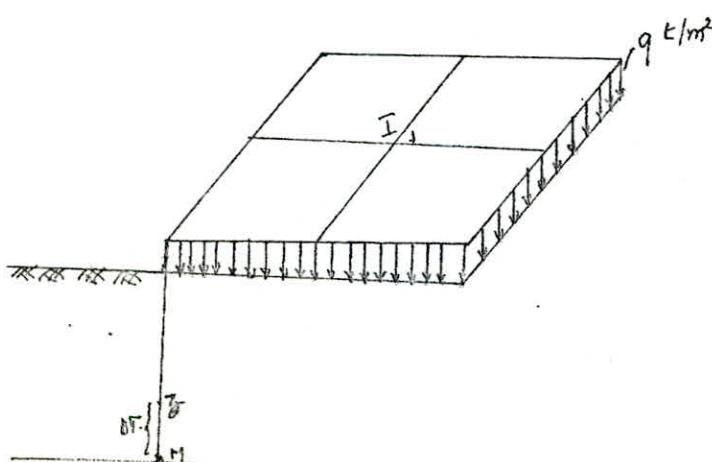
$$\gamma = \gamma_2(1 + w)$$

$$\sigma_1' = \gamma_1 H_{1/2}$$

$$\sigma_{A_1} = \gamma_1 H_1 + \gamma_2 H_{1/2}, \quad \sigma_{A_2} = \gamma_2 H_1 + \gamma_3 H_{1/2} + \gamma_4 H_4$$

Le calcul des contraintes ( $\sigma_1'$ ,  $\sigma_2'$ ) au centre de la semelle et dans l'angle d'un rectangle, pour le calcul de  $\bar{\sigma}_L = q_{ki}$  on décomposera la semelle rectangulaire en quatre petits rectangles de dimension  $L/2$ ,  $l/2$  de façon à avoir le centre de la semelle sur chaque coin du petit rectangle les valeurs de  $K = f'(L/l)$ ,  $Z_i/l$  seront deduit à partir du tableau VIII. 23 page 278 du LIVRE DE Mr G. PHILIPPONNAT Fondations et OUVRAGES EN TERRE.

$$q_{ki} = \frac{3\sigma_1' + \sigma_2'}{4} = 21,57 \text{ t/m}^2$$



contraintes  $\sigma_1$ ,  $\sigma_2$        $\sigma_i \leq \gamma_i H_i$        $\sigma_2 = q_2 k_i$

$H_i$ (m)	$\gamma_i$ (m)	$\gamma_i$ $t/m^3$	$\sigma_1$ $t/m^2$	$\sigma_2$ $t/m^2$
2,25	+0,25	2	1	1
4,25	1,75	1,976	4,199	21,5
6,15	3,65	2,192	15,039	42,89
9,75	7,25	2,106	32,145	63,07
17,75	15,25	2,100	61,049	80,42

### calcul du Tassement

$$\Delta H_i = \frac{-C_c H_i}{1 + e_0} \times \log \frac{\sigma_2}{\max(\sigma_1, \sigma_c)}$$

$\gamma_i$ (m)	$\sigma_1$ $t/m^2$	$\sigma_2$ $t/m^2$	$C_c$	$H_i$ (m)	$e_i$	$1 + e_i$	$\log \frac{\sigma_2}{\max(\sigma_1, \sigma_c)}$	$\sigma_c$ $t/m^2$	$\Delta H$ (m)
1,75	4,199	21,5	0,06	2,70	0,509	1,509	$\sigma_2 < \sigma_c$	30	9 surcharge
3,65	15,039	42,89	0,148	2,75	0,520	1,520	0,14792	37	$-3,95 \cdot 10^{-2}$
7,25	32,145	63,07	0,05	5,8	651	652		23	$-2,99 \cdot 10^{-4}$
15,25	61,049	80,42	0,076	8	629	630		20	$-2,6596 \cdot 10^{-4}$
$\Sigma$									$4,006 \cdot 10^{-2}$

Le tassement calculé  $\Delta H = \sum \Delta H_i = 4,006 \text{ cm}$ , inférieur à  $\Delta H_{ad} = 5 \text{ cm}$

### Vérification au glissement

$$\frac{H}{S} = G_{\text{mobilisant}}$$

$$G_m = \frac{247,63}{265,4} = 0,933 \text{ t/m}^2$$

$$G_{\text{real}} = C + \frac{N}{S} \lg q$$

$$G_{\text{real}} = 0,7 + \frac{4147,58}{265,4} \lg 23 = 7,33 \text{ t/m}^2$$

coefficient de sécurité

$$F_S = \frac{G_{\text{real}}}{G_{\text{mobilisant}}} = \frac{7,33}{0,933} = 7,85$$

donc  $F_S = 7,85 > 3$  condition du risque de glissement est vérifiée

Comparaison des règles parasismiques Algériennes R.P.A. 81.

Et des règles françaises P.S.69

**INTRODUCTION:**

Afin de pouvoir établir des comparaisons entre les actions et les sollicitations déterminées à partir de chacun de ces règlements, nous les avons appliqués au bâtiment séparément.

R.P.A. 81

P.S. 69

Sismicité: Zone

groupe d'usage : 2 A=0,15

sol: terrain meuble

sens longitudinal

$$T = \frac{0,08H}{L} = 0,42 \text{ sec}$$

D=2

Coefficient de comportement:

Structure voiles porteurs B=1/4

Coefficient de qualité

$$Q = 1 + \sum_{q=1}^{q=6} \frac{P_q}{q} = 1,1$$

Sens longitudinal:

$$A.B.D.Q. = 0,15 \cdot 2,1 / 4 \cdot 1,1 = 0,0825$$

$$T = 0,633 \text{ sec}$$

$$D = 1,77$$

Charges sismiques

Poids total: W = 3011,423 t

Coefficient de distribution:

$$F = \frac{(V - F_t) \sum_{r=1}^n W_r \cdot h_r}{\sum_{r=1}^n W_r \cdot h_r} = V - F_t = \frac{W}{h}$$

SOIT. r. le rang de l'étage et pour pour une hauteur d'étage cst.

$$\frac{F_x = \frac{r}{\sum_{r=1}^n r}}{V - F_t} = \frac{2r}{2n(n+1)} = \\ n=9 \quad \gamma_r = r/45$$

Sens LONG, Sens Trans.

$$F_x = \gamma_r \cdot V$$

$$\gamma_r = \frac{r}{45}$$

Sismicité: moyenne

groupe d'usage: d'habitation  $\alpha_f = 1$

sol: terrain meuble  $\delta = 1,00$

sens longitudinal:

$$T = \frac{0,08H}{\sqrt{L+H}} = 0,254 \text{ sec}$$

$$B = 0,11$$

$$B = 0,11$$

$$T = 0,456 \text{ sec}$$

$$\gamma \beta \gamma = 0,11$$

Poids total: W = 3083,051 t

.....//

$$F_r = \alpha \beta \delta W_r \gamma_r$$

$$\gamma_r = \frac{3r}{2n+1} \\ n=9 \quad \gamma_r = r/6,33$$

$$F_r = \alpha \beta \delta \cdot W_r \cdot \gamma_r$$

$$\gamma_r/n = \frac{r}{57}$$

### SEISME VERTICAL:

On considere la combinaison: PS69  
 $\left. \begin{array}{l} 0,8G + SI \\ \end{array} \right\} G_v = 0,11Y$

Les regles algériennes ne determine pas de coefficient sismique vertical mais le remplace par une combinaison d'action demandant de considerer un seisme fictif d'acceleration  $0,2g$ , ce qui est beaucoup plus severe que les regles francaises.

### EFFORT SISMIQUE HORIZONTAL.

ON a les efforts sismique suivant les deux directions X.X et Y.Y sont les memes de meme pour le PS69.

#### REMARQUE.

pour les deux reglement, l'effrt sismique global transversal est ... meme. PAR contre on remarquera notamment un ecart de 5,5% en tête en faveur du PS69. (voir tableau des efforts sismique, RPA, PS69. et ceci pour tenir compte du phenomène du coup de fouet( influence des modes superieures).

### ETUDE COMPARATIVE.

La comparaison se fera pour deux types de voiles.

- voiles pleins                    VOILES a files d'ouvertures.

On se limitera essentiellement à comparer le ferraillage obtenu suivant les deux reglements car il sera illusoire de vouloir établir un parallele rigoureux entre les differentes regles étant donné que les regles et normes constructives propres à chaque pays dépendent de nombreux facteurs.

#### - VOILES PEU SOLICITES.

Dans ce cas, c'est le ferraillage minimum qui est prépondérant ainsi, les voiles ferrailles suivant le R.P.A 81; nécessitent d'avantage d'acier que ceux ferrallés suivant le P.S.69.

ainsi le pourcentage minimum d'acier verticaux sur toute la zone tendu est de 0,5% pour le R.P.A, et par contre pour le DTU231 exige que 0,1% VOILES TRES SOLICITES.

On distingue alors deux zones distinguées.

La première allant de la base jusqu'à un certain niveau et dont les efforts de calcul sont relativement importants, la difference de ferraillage de calcul variant de 20% à 50% suivant les niveaux....

Pour les niveaux supérieurs où les efforts sont faibles et qui seront ferrailles à l'aide des minimum réglementaires des deux règlement....

## II - FERRAILLAGE DU VOILE PERIPHERIQUE

Au niveau du sous-sol, il est prévu un voile périphérique, ce dernier avec les fondations constituent l'infrastructure.

L'infrastructure doit constituer un ensemble rigide capable de remplir les fonctions suivantes:

- \_ Réaliser l'encaissement de la structure dans le terrain.
- \_ Transmettre au sol de fondation la totalité des efforts apportés par la structure.

\_ Limiter les tassements différentiels à une valeur acceptable.

Certaines parties de ce voile ne sont à d'autres que les discontinuités vers les fondations des refends de contreventement. ces parties du fait de leur encaissement dans le sol, sont plus rigides que les parties du dessus.

Ce voile sera ferrailé conformément aux règles du C.T.C.

\_ Armatures longitudinales filantes supérieures et inférieures de section supérieure ou égale à 0,20% de la section transversale totale du béton avec recouvrements supérieurs ou égaux à 50 Ø

$$\text{Soit: } \rho_A > \frac{0,20 \cdot 30 \cdot 100}{100} = 6 \text{ cm}^2$$

$$\text{On adopte } 10 \text{ T 10 / ml} \quad A = 7,85 \text{ cm}^2$$

\_ Armatures longitudinales de peau de section  $\geq 2 \text{ cm}^2$  par face et par mètre linéaire de hauteur.

## B I B L I O G R A P H I E

- \* REGLES TECHNIQUES CCBA 68
- \* REGLES PARASISMHIQUES PS 69
- \* REGLES PARASISMHIQUES ALGERIENNES 81
- \* REGLES NV 65
- \* CALCUL & VERIFICATION DES OUVRAGES EN B.A. P.CHARON
- \* EXERCICES DE B.A. P.CHARON
- \* CALCUL DES TOURS EN B.A. M.DIVER
- \* CONTREVENTEMENT DES BATIMENTS MM.ALBIGES & GOULET
- \* OSSATURES DE BATIMENTS EN B.A. A.FUENTES
- \* COMPLEMENT DU CTC AUX REGLES PS 69
- \* TABLE DE BARRES
- \* COURS DE BETON DE L'ENPA
- \* FONDATIONS ET OUVRAGES EN TERRE PHILIPONNAT

الجمهوریة الجزائریة الديمocratیة الشعبیة  
REPUBLIQUE ALGERIENNE DEMOCRATIQUE ET POPULAIRE

وزارة التعليم والبحث العلمي  
MINISTÈRE DE L'ENSEIGNEMENT ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE

## ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

DEPARTEMENT :

## PROJET DE FIN D'ETUDES

SUJET \_\_\_\_\_

Proposé par :	Etudié par :	Dirigé par :
---------------	--------------	--------------



PROMOTION :