

30/86  
الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
REPUBLIQUE ALGERIENNE DEMOCRATIQUE ET POPULAIRE

2EX  
وزارة التعليم والبحث العلمي  
MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

المكتبة الوطنية  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

DEPARTEMENT GENIE HYDRAULIQUE

## PROJET DE FIN D'ETUDES

(En vue de l'obtention du Diplôme d'Ingénieur d'Etat)

SUJET

### CALCUL TECHNIQUE D'UN CHATEAU D'EAU CYLINDRIQUE DE 2000 M<sup>3</sup>

Proposé par :

Pr. FARKAS

Etudié par :

A. HADJAM

A. BOUHALI

Dirigé par :

Pr. FARKAS

PROMOTION : JUIN 1986



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
REPUBLIQUE ALGERIENNE DEMOCRATIQUE ET POPULAIRE



وزارة التعليم والبحث العلمي  
MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE



ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

المكتبة  
BIBLIOTHEQUE  
Ecole Nationale Polytechnique

DEPARTEMENT GENIE HYDRAULIQUE

## PROJET DE FIN D'ETUDES

(En vue de l'obtention du Diplôme d'Ingénieur d'Etat)

### SUJET

# CALCUL TECHNIQUE D'UN CHATEAU D'EAU CYLINDRIQUE DE 2000 M<sup>3</sup>

Proposé par :

Pr. FARKAS

Etudié par :

A. HADJAM

A. BOUHALI

Dirigé par :

Pr. FARKAS

PROMOTION : JUIN 1986

## - REMERCIEMENTS -

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

Nous tenons à exprimer notre profonde gratitude à notre promoteur M<sup>rs</sup> FARKAS , pour ces conseils à chacune de nos entrevues .

Nos remerciements à tous les professeurs et assistants qui ont rempli la Noble tâche de nous former et plus particulièrement à Monsieur A.KETTAB , notre chef de département .

Nous tenons par ailleurs à remercier vivement tous ceux qui ont contribué par leur aide à la réalisation de ce projet et notamment M<sup>rs</sup> DAREM.M.

## - DEDICACES -

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

Je dédie cet humble et modeste travail :

- A la mémoire de ma mère, et de ma femme dont je garde l'amour impérissable
- A la mémoire de mon père dont je garde l'image éternelle de la grandeur d'Âme
- A tous mes frères et soeurs qui n'ont ménagés aucun effort pour me voir réussir
- A toute ma famille
- A ceux qui m'ont aidé et assisté dans le besoin
- A tous mes amis

A. BOUHALI

Je dédie ce modeste ouvrage en signe de respect et de reconnaissance à :

- la mémoire de mon père pour son soutien moral et matériel.
- ma mère qui n'a ménagé aucun effort pour que je puisse être un homme
- mon frère, pour son aide et son encouragement à mon égard.
- toute ma famille ( frères, soeurs, beaux-frères, belles-soeurs)
- tous ceux qui m'ont aidé de loin ou de près pour l'élaboration de ce projet
- ma future épouse

A. HADJAM

Objet: ... HYDRAULIQUE ...  
Auteur: ... M. FARKAS ...  
Ingénieur: ... A. HADJAM ...  
A. BOUHALI

المجلد: ...  
العدد: ...  
التاريخ: ...

دراسة تقنية لخزان مائي مرتفع

الموضوع  
المؤلف

تتلخص هذه الدراسة والتي تم تحديد مسبقا لاحتياجات السكان المائية مستقبلية وعلى المدى البعيد، كما تعتمد هذه الدراسة على تقدير الكميات المائية الكافية من العديد المستعملات في الامتداد المسطح لكل جزء من الأجزاء المكونة لهذا الخزان الكبير الذي تقدر مساحته بـ 2000 هكتار والذي ينقسم إلى جزئين متساويين الحجم على شكل حلقات

Objet: ... CALCUL TECHNIQUE D'UN CHATEAU D'EAU ...

Objet: L'étude repose sur l'identification des besoins en eau potable à un horizon futur. Comme elle consiste au calcul des différentes parties de l'ouvrage ainsi qu'au calcul des aciers de ferrailage nécessaires pour tout élément de ce dernier. La cuve de ce grand réservoir est constituée de deux (2) cages annulaires de capacité 1000 m<sup>3</sup> chacune.

Objet: ... TECHNICAL STUDY OF A "WATER STORE" ...

Objet: The study consist of the calculation of the different parts of the project and the computation of the steels necessary for each élément needed. The "cure" of this big water store is formed of two 1000 m<sup>3</sup> annulary compartments.

# SOMMAIRE

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

<u>Chapitre I</u>	“ Généralités ”	page
I-1	Introduction .....	1
I-2	Situation géographique .....	4
I-3	Estimation du nombre d'habitant à l'horizon 2000.....	5
<u>Chapitre II</u>	“ Evaluation des besoins en eau ”	
II-1	Estimation des besoins à l'horizon 2000.....	6
II-2	Calcul des consommations journalières maximales et débit de pointe.....	8
II-3	Etude comparatif des ressources en eau.....	9
<u>Chapitre III</u>	“ Distribution ”	
III-1	Détermination de la capacité du réservoir.....	10
III-2	Calcul du réseau maillé : Distribution .....	10
III-3	Dimensionnement de la cuve .....	16
III-4	Altitude et emplacement du chateau - d'eau .....	17
<u>Chapitre IV</u>	“ Etude Genie - Civil du chateau d'eau ”	
IV-1	Présentation de l'ouvrage .....	19
IV-2	Caractéristiques des matériaux.....	20
IV-3	Calcul des éléments de la cuve .....	27
IV-4	Détermination de la période propre de vibration.....	44
IV-5	Etude du vent.....	46
IV-6	Etude sismique .....	51
IV-7	Etude hydrodynamique .....	55
IV-8	Calcul de la tour.....	61
IV-9	Fondation .....	73
<u>Conclusion générale</u>	.....	75
<u>Annexes(I et II)</u>	.....	76

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

# CHAP I

## GENERALITES



## I-1. Introduction

### 1. Présentation de l'ouvrage

L'ouvrage qui nous a été proposé consiste à l'étude et au calcul technique d'un château d'eau de  $2000 \text{ m}^3$ , répondant aux besoins de la ville de St Cloud ( $P = 24000$  habitants). La hauteur totale comptée du sol  $H_t = 44,69 \text{ m}$ .

La tour est constituée d'une voile circulaire d'épaisseur  $35 \text{ cm}$ , surmontée d'une cuve circulaire d'épaisseur constante  $e = 0,18 \text{ m}$ .

Le matériaux utilisé : Béton armé

Taux de travail du sol :  $3,5$  bars

### 2. Description du château d'eau

Le réservoir (cuve) est de type circulaire, constitué de deux loges annulaires de capacité  $1000 \text{ m}^3$  chacune, reposant sur la tour (fût) cylindrique. A partir d'une porte métallique placée au pied du fût, l'accès au réservoir se fera par une série d'échelles métalliques séparées par des paliers de repos en béton armé situés à l'intérieur du fût.

### 3. Importance du château d'eau

En raison de son emplacement, le château d'eau est un élément important, ces constructions étant classé comme ouvrage d'art. Le souci esthétique doit être primordial car il est devenu un point capital, une telle construction devant être absolument un oeuvre d'art.

### 4. Rôle d'un réservoir d'eau

a) Le réservoir a essentiellement pour but de servir de régulateur aux variations de la consommation pendant la période où la consommation excède la production, il se vide par contre il se remplit aux heures creuses où la consommation est inférieure

à la production

b) - Le réservoir doit aussi permettre lorsque les eaux sont élevées par pompage de faire face sans suspendre complètement le service à une interruption imprévue des installations de refoulement ou même de provoquer volontairement leur arrêt pour effectuer des répartitions indispensables.

c) - Le réservoir doit en tout temps, une réserve suffisante pour faire face aux besoins instantanés très importants des services chargés de la lutte contre l'incendie.

### 5 - Règles imposées par l'exploitation et l'entretien

Il faut généralement prévoir outre les vidanges et les trop-pleins un court-circuitage du réservoir afin de prévoir la mise hors service de l'ensemble de l'ouvrage en cas d'avarie grave. Cette précaution sera prise si l'on a eu besoin de prévoir une liaison directe de la conduite de départ.

### 6 - classification des réservoirs

Les réservoirs peuvent être classés en fonction de critères différents suivants :

a) - selon la position par rapport au sol

- Au niveau du sol (ou semi-enterré)
- Sur poteaux
- sur pylônes (ou tours)
- Sur bâtiment

b) - Selon la forme de la cuve

- Réservoir carré
- Réservoir rectangulaire
- Réservoir circulaire
- Réservoir de forme quelconque

c) - Selon la nature du liquide à conserver

- Réservoir à eau

- Cuve à vins, bières, cidres, etc.....
- citernes à produits noirs (goudron, bitume)
- Réservoirs à hydro-carbures (pétrol, essence, gaz-oil, huiles, minérales)

#### d) - selon leurs fonctions

- Réservoirs d'emménagement quand il s'agit seulement de liquides divers.
- Bassin de traitement (pour épuration des eaux usées, le malaxage des produits, etc.)
- Bassin sportif (piscines, etc.....)
- Cuve à gazomètre

#### e) selon le volume (capacité)

- grand réservoir
- réservoir moyen
- petit réservoir

Du point de vue de la construction proprement dite, les notions prédominantes sont : le volume et l'élévation.

### 7 - Maintient de la qualité de l'eau dans le réservoir

Il est impératif de prévoir au niveau de la cuve une aération qui permettra de changer l'air en contact avec l'eau.

En effet la stagnation de l'eau dans le réservoir au delà de quelques jours sans aération, risque de modifier ses qualités et sa température et de la rendre désagréable ou même impropre à la consommation (fonction de micro-organismes ou même algues).

#### Moyens d'empêcher le développement des micro-organismes :

on peut agir dans deux directions :

- Empêcher les organismes de trouver des conditions physiques de vies où ils profitent.
- Tanir leurs ressources alimentaires.

C'est ainsi qu'on doit maintenir un taux de chlore résiduel élevé, notamment par utilisation de "PEROXYDE DE CHLORE", utiliser le charbon actif pour absorber les composés complexes ozonés.

Substituer le sulfate d'Alumine ou Chlorure Ferrique comme coagulant, Assurer une circulation de l'eau de façon à ce que la vitesse soit toujours notable et enfin couvrir le réservoir pour le mettre à l'abri de la lumière et à éviter le maximum l'échauffement de l'eau. Les parois de la cuve devront être parfaitement étanches.

## I-2. situation de la ville

### a) Situation Géographique

La ville de ST.CLOUD se situe en bordure de la route nationale N°11 à 27 km à l'Est d'ORAN et 25 km à l'Ouest d'ARZEW.

### b) Situation Topographique

Le centre de ST.CLOUD est caractérisé par une pente douce et régulière qui varie de la côte 130 m et la côte 170 m sur une longueur de 1500 m d'où une pente moyenne de 2,67%.

### c) Situation climatique

L'aspect climatique de la région de ST.CLOUD se caractérise par un climat méditerranéen, d'où un hiver plus ou moins froid et un été chaud, ainsi on assiste à :

- Une saison pluvieuse d'Octobre à Avril, les pluies sont inégalement réparties dans cette saison. La pluviométrie est de l'ordre de 320 mm à 660 mm. La température moyenne oscille généralement pendant cette saison autour de 14°C avec une température minimale pouvant atteindre jusqu'à 8°C.

- Une saison chaude de juin à septembre avec une température qui varie entre 19°C et 32°C.

### I-3 - Estimation du nombre d'Habitants

A l'horizon 2000 l'évolution démographique dans notre pays suit la loi des accroissements géométriques donnés par la relation des intérêts composés

$$N = N_0 (1 + \tau)^n$$

avec

$N$  : population future à l'horizon voulue (horizon l'an 2000 de moyen terme)

$N_0$  : population à l'année de référence ( $N_0 = 9000$  Hab. en 1975)

$\tau$  : taux d'accroissement annuel de la population (4%)

$n$  : nombre d'année séparant les deux horizon. ( $n = 35$ )

d'où

$$N = 9000 (1 + 0,04)^{35} \simeq 24000 \text{ Hab.}$$

# CHAP. II

EVALUATION DES  
BESOINS EN EAU

## II-1 Estimation des besoins en eau potable à l'horizon 2000

### - Besoins domestiques

Nombre d'habitant	Dotation	Consommation $m^3/j$
24 000	250 $l/j/hab$	6000

### Besoins scolaires

Denomination	Nombre ou surface en $m^2$	Dotation ( $l/j$ )	Consommation ( $m^3/j$ )
03 écoles existantes	2.800	30	84
02 écoles projetées	1.200	30	36
02 C.E.M	590	50	29,5
03 C.E.M projetés	860	50	43
01 lycée projeté	600	50	20

222,5  $m^3/j$

### - Besoins sanitaires

Dénomination	Nombre	Dotation $l/j/unité$	Consommation ( $m^3/j$ )
01 centre de santé	100 pass/j	50	5
02 Bains	270 per/j	50	7

### - Besoins Socio-culturel

12  $m^3/j$

Denomination	Nombre	dotation $l/j/unité$	Consommation ( $m^3/j$ )
02 Mosquées	2x 150	20	6
01 Cinéma	200	7	1,4
01 centre culturel	60	4	0,24

### Besoins Artisanales et commerciaux

7,64  $m^3/j$

Dénomination	Nombre	Dotation $l/j/unité$	Consommation ( $m^3/j$ )
03 boulangeries	—	2000	6
25 commerçants	25	20	0,5
04 café - Restaurants	4.100	5	2
01 Abattoir	20 t/j	200	4
01 poissonnerie	30 t/j	250	2,5

$20 \frac{m^3}{j} = 20 \frac{m^3}{j}$

Les besoins municipaux : (estimés)

dénomination	Nombre	dotation $\ell/j/unité$	Consommation ( $m^3/j$ )
A.P.C - DAÏRA	-	-	8
Justice	-	-	6
DARK	-	-	6
C.A.F.S	-	-	4
P.T.T	-	-	8
Hotel	10	150	1,5

33,5  $m^3/j$

En raison de l'augmentation de la consommation dans le temps, dues au progrès de l'hygiène, les extensions possibles de l'agglomération des puits dans le réseau de distribution. On est contraint de prévoir une majoration de compensation sur le débit journalier. En supposant que notre réseau est bien entretenu, les majorations sont de l'ordre :

- 20% pour l'horizon 2000.

dénomination	consommation ( $m^3/j$ )	majoration de 20%	Total après majoration
domestiques	6000	1200	7200
scolaires	222,5	44,5	267
sanitaires	12	2,4	14,4
sociaux-culturels	7,64	1,528	9,168
Municipaux	33,5	6,7	40,2
Artisanals	20	4	24
commerciaux			

$\sum_1^6 = 7554,77 m^3/j$

**II-2 Calcul de la Consommation journalière maximale et débit de pointe**

étude des problèmes posés par la variation des débits

Les différentes consommations mensuelles, journalière et horaires sont les causes principales de la variation du débit.



Ainsi on applique au débit moyen des coefficients correspondants, afin d'obtenir le débit de pointe du jour le plus chargé de l'année.

Nous définissons ces coefficients tels que:

a/- coefficient d'irrégularité de la consommation journalière ( $k_1$ ) (où coefficient journalier  $k_j$ ) définit par le rapport entre la consommation maximale journalière et la consommation moyenne journalière.

$$k_1 = k_j = \frac{\text{Cons. max. Jour.}}{\text{Cons. moy. Jour.}} = \frac{Q_j^{\text{max}}}{Q_j^{\text{moy}}}$$

le coefficient varie de (1,15 ÷ 4,3)

Dans notre cas la valeur de  $k_j$  est prise égale à 1,2  $\longrightarrow k_j = 1,2$

b/- Coefficient d'irrégularité de la consommation horaire ( $k_2 = k_0$ ) définit par le rapport entre la consommation horaire maximale et la consommation horaire moyenne.

$$k_0 = \frac{\text{Cons. hor. max.}}{\text{Cons. hor. moy.}}$$

le coefficient varie en fonction de:  $k_0 = \alpha \cdot \beta$  où

$\alpha$ : Coefficient qui prend les valeurs suivantes

$$1,2 < \alpha < 1,4$$

$\beta$ : est en fonction de la population

population	1000	1500	2000	6000	10.000	20.000	50.000
$\beta$	2	1,8	1,5	1,4	1,3	1,2	1,15

dans notre cas on prend

$$\alpha = 1,3$$

$$\beta = 1,18$$

$$k_0 = \alpha \cdot \beta = 1,3 \cdot 1,18 = 1,534$$

c/- coefficient de pointe " $k_p$ "

Ce coefficient est défini par le produit entre les deux coefficients où:

$$k_p = 1,2 \cdot 1,534 = 1,84$$

Calcul des consommations journalières et débit de pointe:

En multipliant ce coefficient ( $k_p$ ) par la consommation moyenne journalière

on trouve le débit de pointe :

$$Q_p = k_p Q_{\text{moy-jour}}$$

Avec lequel sera dimensionnée la conduite de distribution

c/- le débit d'apport ( $Q_{\text{max-jour}}$ ) est obtenue en multipliant le coefficient journalier ( $k_j$ ) par la consommation moyenne journalière. Avec lequel sera dimensionné la conduite de l'adduction.

Tableau des consommations Moyennes, Maximales, Journalières et de pointe horaire.

Cons. moy. jour. ( $m^3/j$ )	$k_j$	Cons. max. jour. ( $m^3/j$ )	$k_0$	$k_p$	débit de pointe ( $m^3/j$ )
7554,768	1,2	9065,72	1,534	1,84	579,20

### II-3 ETudes comparatives des Ressources

Après les estimations faites ci-dessus les besoins en eau potable de la ville de S<sup>ct</sup> Cloud à l'horizon 2000 s'élevant à :

#### Ressources

- 01 puit----- 13 l/p
  - 01 puit----- 14 l/p
  - 01 puit----- 20 l/s
  - Source (RAIS EL-AIN)  $Q=10 l/p$
- }  $Q = 62 l/p$   
soit 5356,800  $m^3/j$

les ressources disponibles nous donnent un débit de 62 l/p soit 5356,800  $m^3/j$  très suffisant à l'heure actuelle par contre on remarque un déficit de 43 l/p à l'horizon 2000. ce déficit pourra être couvert par deux forages prévus à proximité de l'agglomération

CHAP. III

---

**DISTRIBUTION**

### III-1 Détermination de la capacité du réservoir

Le découpage en tranches horaires pendant lesquelles le débit reste constant se fait à l'aide d'un analyseur de débit.

Dans une première approximation, on peut admettre les répartitions selon les coefficients horaires ( $a_n\%$ )

Ces coefficients sont en fonction de l'importance de la population et les heures de desserte.

Le volume du réservoir sera égal à :

$$V_r = \Delta V_{\max}^+ + \Delta V_{\max}^- + V_{ri}$$

avec  $V_{ri}$  : réserve d'incendie

$\Delta V_{\max}^+$  et  $\Delta V_{\max}^-$  : excès et déficits lors des différentes heures de la journée.

Voir tableau

### III-2 Réseau de distribution

Le réseau de distribution de la ville de St. cloud est du type maillé suivant les entre-croisements des routes, avec des ramifications dans les parties les plus éloignées

(voir annexe planche N° 1 )

#### Calcul du réseau maillé

Le calcul d'un réseau maillé est conduit par approximation successive, selon la méthode de HARDY - CROSS.

cette méthode repose sur les deux lois suivantes :

1<sup>er</sup> loi : en un noeud quelconque de conduites, la somme des débits qui entrent à ce noeud est égale à la somme des débits qui sortent.

2<sup>eme</sup> loi : Le long d'un parcours orienté et fermé, la somme algébrique des

TABEAU DE CALCUL DE LA CAPACITÉ DU RÉSERVOIR

H1

heures	Qh %	Volume (m <sup>3</sup> )		volume cumule (m <sup>3</sup> )		différence ΔV (m <sup>3</sup> )	
		Q. Δt	Q. Δt <sub>h</sub> $\frac{24}{100}$	apport	Consommation	ΔV <sup>+</sup>	ΔV <sup>-</sup>
0-1	1,5	377,74	135,97	377,74	135,97	241,77	-
1-2	1,5	"	"	755,48	271,94	483,54	-
2-3	1,5	"	"	1133,22	407,91	725,31	-
3-4	1,5	"	"	1510,96	543,88	967,08	-
4-5	2,5	"	226,64	1888,7	770,52	1118,18	-
5-6	3,5	"	317,30	2266,44	1087,82	1178,62	-
6-7	4,5	"	407,96	2644,18	1495,78	1148,4	-
7-8	5,5	"	498,62	3021,92	1994,4	1027,52	-
8-9	6,25	377,74	566,61	3399,66	2561,01	838,65	-
9-10	6,25	"	"	3777,4	3127,62	649,78	-
10-11	6,25	"	"	4155,14	3694,23	460,91	-
11-12	6,25	"	"	4532,88	4260,84	272,04	-
12-13	5,00	"	453,29	4910,62	4714,13	196,49	-
13-14	5,00	"	"	5288,36	5167,42	120,94	-
14-15	5,5	"	498,62	5666,10	5666,04	0,06	
15-16	6,00	"	543,95	6043,84	6209,99	-	166,15
16-17	6,00	377,74	"	6421,58	6753,94	-	332,36
17-18	5,5	"	498,62	6799,32	7252,56	-	453,24
18-19	5,00	"	453,29	7177,06	7705,85	-	528,79
19-20	4,50	"	407,96	7554,8	8113,81	-	559,01
20-21	4,0	"	362,63	7932,54	8476,44	-	543,9
21-22	3,0	"	271,97	8310,28	8748,41	-	438,13
22-23	2,0	"	181,32	8688,02	8929,73	-	241,71
23-24	1,5	377,74	135,97	9065,76	9065,7	0,06	-

$$V_R = 1737,63 + 120 = 1857,63 \text{ m}^3$$

$$V_R \approx 2000 \text{ m}^3$$

MAILLES MAILLES ADJAC.	CONDUITES	DIAMETRES (m)	L <sub>e</sub> = 1.15 L <sub>g</sub> (m)	1 <sup>ère</sup> APPROXIMATION			1 <sup>ère</sup> CORRECTION		
				Q <sub>0</sub> (m <sup>3</sup> /s)	RQ <sub>0</sub> <sup>2</sup>	RQ <sub>0</sub>	C.P.M	C. MAILLE ADJAC.	TOTAL
II	1-2	0.2	281.75	0.02	0.788	39.40	-7.06 · 10 <sup>-4</sup>		-7.06 · 10 <sup>-4</sup>
	2-3	0.1	287.50	0.0058	2.68	463.47	-7.06 · 10 <sup>-4</sup>		-7.06 · 10 <sup>-4</sup>
	3-4	0.15	287.50	-0.014	-1.81	129.06	-7.06 · 10 <sup>-4</sup>		-7.06 · 10 <sup>-4</sup>
	I 4-1	0.3	287.50	-0.0568	-0.75	13.28	-7.06 · 10 <sup>-4</sup>	1.73 · 10 <sup>-3</sup>	1.024 · 10 <sup>-3</sup>
$\Delta Q = -7.06 \cdot 10^{-4}$ $\Sigma = 0.91$ $\Sigma = 645.22$									
I	II 1-4	0.3	287.50	0.0568	0.78	13.54	-1.73 · 10 <sup>-3</sup>	7.06 · 10 <sup>-4</sup>	-0.00102
	III 4-8	0.15	365.125	0.0144	2.42	168.27	"	-3.51 · 10 <sup>-3</sup>	-0.00524
	V 8-9	0.25	287.50	-0.0397	-0.97	24.36	"	-8.32 · 10 <sup>-5</sup>	-0.00181
	9-1	0.3	365.125	-0.07	-1.45	20.72	"		-1.73 · 10 <sup>-3</sup>
$\Delta Q = -1.73 \cdot 10^{-3}$ $\Sigma = 0.786$ $\Sigma = 226.88$									
III	IV 4-6	0.15	375.75	0.0142	2.41	170.00	3.51 · 10 <sup>-3</sup>	-1.048 · 10 <sup>-3</sup>	2.47 · 10 <sup>-3</sup>
	6-7	0.10	365.125	-0.00865	-7.55	8.73 · 10 <sup>2</sup>	"		3.51 · 10 <sup>-3</sup>
	7-8	0.20	375.75	-0.02286	-1.36	59.57	"		3.51 · 10 <sup>-3</sup>
	I 4-8	0.15	365.125	-0.01438	-2.42	168.27	"	1.73 · 10 <sup>-3</sup>	5.24 · 10 <sup>-3</sup>
$\Delta Q = 3.51 \cdot 10^{-3}$ $\Sigma = -8.92$ $\Sigma = 1.27 \cdot 10^3$									
IV	II 4-3	0.15	287.50	0.014	1.81	129.06	1.048 · 10 <sup>-3</sup>	7.06 · 10 <sup>-4</sup>	1.754 · 10 <sup>-3</sup>
	3-5	0.10	375.75	0.0056	3.24	5.81 · 10 <sup>2</sup>	"		
	5-6	0.10	287.50	-0.00863	-5.9	686.15	"		
	III 6-4	0.15	375.75	-0.0142	-2.41	170.00	"	-3.51 · 10 <sup>-3</sup>	-2.46 · 10 <sup>-3</sup>
$\Delta Q = 1.048 \cdot 10^{-3}$ $\Sigma = -3.28$ $\Sigma = 156.63$									
V	10-9	0.15	201.25	-0.015	-1.45	96.67	8.32 · 10 <sup>-5</sup>		8.32 · 10 <sup>-5</sup>
	I 9-8	0.25	287.50	0.040	0.97	24.36	"	1.73 · 10 <sup>-3</sup>	0.00181
	8-12	0.15	385.25	0.017	3.57	209.65	"		8.32 · 10 <sup>-5</sup>
	12-11	0.10	485.875	0.00314	1.36	431.94	"		"
	11-10	0.10	379.50	-0.00667	-4.69	702.87	"		"
$\Delta Q = 8.32 \cdot 10^{-5}$ $\Sigma = -0.24$ $\Sigma = 1465.5$									

H<sub>1</sub> et H<sub>2</sub> élaborées par l'exécution du programme du calcul du réseau maillé sur le T55 planche A.

MAILLES	MAILLES ADJ.	2 <sup>e</sup> APPROXIMATION			2 <sup>e</sup> CORRECTION			3 <sup>e</sup> APPROXIMATION			TOTAL	VITESSES (m/s)
		Q <sub>1</sub> (m <sup>3</sup> /s)	R Q <sub>1</sub> <sup>2</sup>	R Q <sub>1</sub>	C.P.M	C. MAILLE ADJ.	TOTAL	Q <sub>2</sub> (m <sup>3</sup> /s)	R Q <sub>2</sub> <sup>2</sup>	R Q <sub>2</sub>		
II		0.0193	0.73	38.06	0.000406		0.000406	0.019706	0.765	38.84	0.0198	0.645
		0.0044	1.55	352.9	"		"	0.0048	1.84	384.74	0.00484	0.61
		-0.0147	-1.114	135.4	"		"	-0.0143	-1.88	131.7	-0.01424	0.82
	I	-0.056	-0.728	13.054	"	-0.0026	-0.0022	-0.058	-0.786	13.56	0.058	0.84
		ΔQ=0.000406 Σ=-0.44 Σ=539.4					ΔQ=5.4·10 <sup>-5</sup> Σ <sub>1</sub> =-0.0614 Σ <sub>2</sub> =568.81					
I	II	0.056	0.728	13.054	0.0026	-0.000406	0.0022	0.058	0.786	13.56	0.058	0.84
	III	0.00914	0.988	108.07	0.0026	-0.00075	0.00185	0.01099	1.42	129.3	0.0113	0.64
	V	-0.0415	-1.06	25.43	"	0.000104	0.0027	-0.0368	-0.923	23.8	-0.03844	0.79
		-0.0717	-1.52	21.21	"			-0.0691	-1.41	20.45	-0.06875	0.38
		ΔQ=0.0026 Σ=-0.86 Σ=167.77					ΔQ=0.00034 Σ <sub>1</sub> =-0.429 Σ <sub>2</sub> =187.11					
III	IV	0.0167	3.33	199.52	0.00075	-0.00032	0.00107	0.0178	3.78	212.45	0.0181	1.02
		-0.00514	-2.69	523.88	"		0.00075	-0.0044	-1.97	449.17	-0.00408	0.52
		-0.0194	-0.98	50.61	"		0.00075	-0.0186	-0.91	48.7	-0.0183	0.58
	I	-0.00944	-0.988	108.07	"	-0.0026	-0.00185	-0.0109	-1.42	129.21	-0.0107	0.64
		ΔQ=0.00075 Σ=-1.33 Σ=882.08					ΔQ=0.00031 Σ <sub>1</sub> =-0.515 Σ <sub>2</sub> =839.52					
IV	II	0.0158	2.3	145.34	0.00032	-0.000406	-0.000086	0.0157	2.27	144.43	0.01424	0.82
		0.00663	4.56	688.15	"		0.00032	0.0070	5.01	720.76	0.00708	0.90
		-0.0076	-4.58	603.83	"		0.00032	-0.00726	-4.20	578.74	-0.00714	0.91
	III	-0.0167	-3.33	199.52	"	-0.00075	-0.00043	-0.0171	-3.49	204.22	-0.0181	1.02
		ΔQ=0.00032 Σ=-1.05 Σ=163.68					ΔQ=0.000126 Σ <sub>1</sub> =-0.42 Σ <sub>2</sub> =1648.15					
V		-0.0149	-1.43	96.04	-0.000104		-0.000104	-0.015	-1.45	96.67	-0.0150	0.85
	I	0.0415	1.06	25.43	"	-0.0026	-0.0026	0.040	0.928	23.87	0.03893	0.79
		0.017	3.56	209.30	"		-0.000104	0.017	3.52	208.08	0.017	0.96
		0.00322	1.43	442.55	"		"	0.00312	1.34	429.28	0.00315	0.40
		-0.0064	-4.31	673.90	"		"	-0.0065	-4.44	684.24	-0.00645	0.84
		ΔQ=-0.000104 Σ=0.3 Σ=1447.2					ΔQ=3.6·10 <sup>-6</sup> Σ <sub>1</sub> =-0.41 Σ <sub>2</sub> =1442.14					

pertes de charge est nulle

$$\sum_{i=1}^n \Delta H_i = \sum_{i=1}^n R_i Q_i^2 = 0$$

R : résistance de la conduite.

### Principe de la méthode de HARDY-CROSS

La méthode de HARDY-CROSS consiste tout d'abord à se fixer dans chaque maille, une répartition des débits, ainsi qu'un sens d'écoulement tout en respectant la première loi, et dans chaque tronçon en doit avoir des vitesses d'écoulement convenables comprises dans l'intervalle (0,3 ÷ 1,5 m/s) et l'on calcule les pertes de charges correspondantes tout en les équilibrant dans chaque maille (2<sup>ème</sup> loi) en corrigeant par approximations successives les débits supposés.

### Calcul des débits correctifs

$$\Delta Q_i = - \frac{\sum_{i=1}^n R_i Q_i^2}{2 \sum_{i=1}^n R_i Q_i}$$

$$R = J_Q \cdot L_e = \left( \frac{8f}{D^5 \pi^2 g} \right) \cdot (1,15 L_g)$$

avec

$J_Q$  : gradient de la perte de charge débitaire

$L_e$  : longueur équivalente = 1,15  $L_g$

$L_g$  : longueur géométrique

$$R = 0,0828 \frac{f}{D^5} \cdot 1,15 L_g$$

f : coef. de frottement calculé par la formule de COOLEBROOK  $\epsilon = 10^{-3} \text{ m}$   $\nu = 10^{-6}$

chaque maille est calculée séparément, les corrections à apporter à la valeur estimée en première approximation des débits sont divisées en deux :

- celles propres à la maille considérée avec le signe de  $\Delta Q_0$  et la dite maille.
- celles propres à la maille adjacente, en ce qui concerne les conduites communes à deux mailles, avec le signe contraire de celui de  $\Delta Q_0$  calculé pour la maille adjacente.



pour avoir le nouveau débit  $Q_i$ . les mêmes opérations sont recommencées avec  $Q_i$ , puis on poursuit les approximations jusqu'à ce que les valeurs de  $\Delta Q$  soient voisines de zéro ( pratiquement  $0 < \Delta Q < 0,4$  ) et jusqu'à ce que les pertes de charges sur le contour fermé soient inférieures à 0,5 m environ.

Voir tableau H2.

### Dimensionnement de la conduite d'amenée

$$L = 500 \text{ m}$$

$$\epsilon = 10^{-3} \text{ m}$$

$$Q = 160 \text{ l/s} = 0,16 \text{ m}^3/\text{s}$$

On propose une vitesse d'écoulement dans la conduite de 1,3 m/s

$$Q = V.A \Rightarrow D = \sqrt{\frac{4Q}{\pi.V}} \approx 0,4 \text{ m}$$

On prendra un diamètre normalise de 400 mm

$$\text{La vitesse réelle sera } V = \frac{4Q}{\pi D^2} = 1,27 \text{ m/s}$$

### Vérification du régime d'écoulement

$$\frac{\epsilon}{D_h} = \frac{10^{-3}}{0,4} = 0,25 \times 10^{-2}$$

$$Re = \frac{V.D}{\nu} = \frac{1,27 \cdot 0,4}{10^{-6}} = 5,08 \cdot 10^5$$

}  $\xrightarrow{\text{Mody}}$  Régime turbulent rigoureux

D'après la théorie de la longueur fluïdo-dynamique pour un profil

$$\text{circulaire plein ( Abaque N°9) } D_0 = 1,539 \quad \Lambda = \frac{D}{D_0} = 0,259909031$$

$$\text{En application de la formule : } \frac{Q}{\sqrt{J}} = \Lambda^{2,5} (15,96 - 8,681 \ln \frac{\epsilon}{\Lambda}) = 2,21200551$$

$$\Rightarrow J = 5,231997 \cdot 10^{-3}$$

### Vérification par DARCY.W

$$f = \left( 1,14 - 0,86 \ln \frac{\epsilon}{D_h} \right)^{-2} = 0,025254078$$

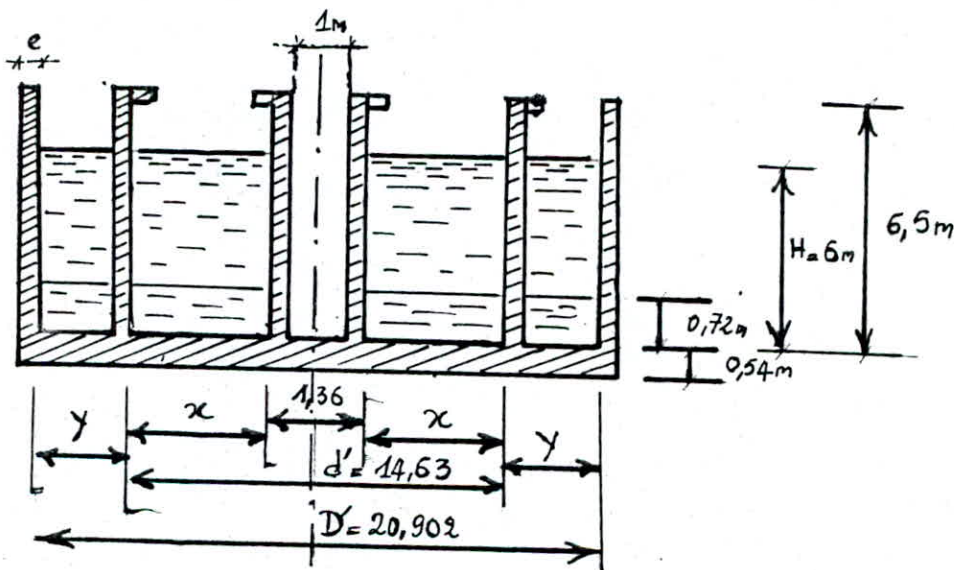
$$J = \frac{f}{D_h} \cdot \frac{V^2}{2g} = 5,19015 \cdot 10^{-3}$$

$$\Delta H_t = J \cdot 1,15 \cdot L_a = 2,98 \text{ m}$$

### III-3 Dimensionnement de la cuve

Vu la capacité importante de la cuve, on est contraint de diviser cette cuve d'eau en deux loges annulaires de capacités identiques, d'où son utilité du point de vue entretien.

$$\left. \begin{array}{l} V_T = 2000 \text{ m}^3 ; V_I = V_{II} = 1000 \text{ m}^3 \\ H_I = H_{II} = 6,0 \text{ m} \\ e = 0,18 \text{ m} \end{array} \right\} \Rightarrow S_I = S_{II} : \text{surface de base de deux loges}$$



$$d' = 1,36 + 2x$$

$$D' = d' + 2e + 2y$$

$$x = 6,635 \text{ m}$$

$$d' = 14,63 \text{ m}$$

$$D' = 14,99 + 2y$$

$$S_I = S_{II} = \frac{V_I}{H_I} = \frac{1000}{6} = 166,67 \text{ m}^2$$

$$S_I = \frac{\pi}{4} (d'^2 - 1,36^2)$$

$$S_{II} = \frac{\pi}{4} (D'^2 - (d' + 2e)^2) = 166,67 \text{ m}^2$$

$$= \frac{\pi}{4} ((14,99 + 2y)^2 - 14,99^2)$$

$$y = 2,965 \text{ m} \Rightarrow D' = 20,902 \text{ m}$$

NB : On réserve dans chaque loge de la cuve une hauteur de 0,72 m d'eau pour les réserves d'incendie pour les mesures de sécurité en cas de besoins.

### III-4 Altitude et emplacement du chateau d'eau

L'emplacement du chateau d'eau projeté doit être choisi de façon à satisfaire aux abonnés une pression suffisante au moment de la pointe.

$$C_r = C_t + H + h_{wi} + H_{we} + P_s$$

avec  $C_r$  : cote du radier

$C_t$  : cote du terrain = 158,8

$H_t$  : hauteur de la tour

$H$  : hauteur prise en fonction du nombre d'étage = 12 m. (R+3)

$h_{wi}$  : pertes de charges singulières

$P_s$  : Colonne d'eau supplémentaire tenant compte des appareils (chauffe d'eau)  
( $P_s = 3$  m)

$h_{we}$  : pertes de charges linéaires sur le tronçon reliant le chateau d'eau au point le plus haut.

On a estimé que les pertes de charges singulières sont de l'ordre de 15% des pertes de charges linéaires.

#### Le calcul des pertes de charges linéaires

La longueur de la conduite reliant le chateau d'eau au point le plus haut du réservoir.

$$L_1 = 1825 \text{ m} ; L_2 = 1323 \text{ m}$$

le débit de pointe  $Q_p = 161,0 \text{ l/s}$

la vitesse d'écoulement  $V < 1 \text{ m/s}$

$$C_{t_1} + H_{\text{tour}} = C_R = H + p_{dc} + P_s + C_{t_2}$$

$$158,5 + H_{\text{tour}} = 12 + 11,69 + 3 + 170$$

$$\text{d'où } H_{\text{tour}} = 38,19 \text{ m}$$

Conduites		$\phi$ (mm)	V (m/s)	$L_g$ (m)	$Re$	J	$\Delta H_L$ (m)	$\Delta H_g$ (m)	$\Delta H_T$ (m)	f Nik	f col.	
1 <sup>er</sup> parcours	1-4	300	0,84	250	$2,52 \cdot 10^5$	0,0036	0,84021	0,12603	0,96624	0,27363	0,280069	
	4-8	150	0,64	317,5	96 000	0,00483	1,5341	0,23011	1,76416	0,033678	0,346804	
	8-12	150	0,96	335	144 000	0,10787	3,6138	0,54207	4,15589	0,033678	0,344132	
	12-11	100	0,40	422,5	40 000	0,003276	1,38438	0,20766	1,592034	0,038440	0,4013876	
				$\Sigma$	1325						$\Sigma$	8,4783
2 <sup>es</sup> parcours	1-9	300	0,98	317,5	$2,94 \cdot 10^5$	0,004563	1,44871	0,217306	1,624032	0,273635	0,279359	
	9-10	150	0,85	117	$1,275 \cdot 10^5$	0,008474	1,48297	0,22244	1,705418	0,03368	0,034483	
	10-11	100	0,84	330	$0,84 \cdot 10^5$	0,014178	4,67874	0,701811	5,380551	0,38440	0,03938	
											$\Sigma$	8,710

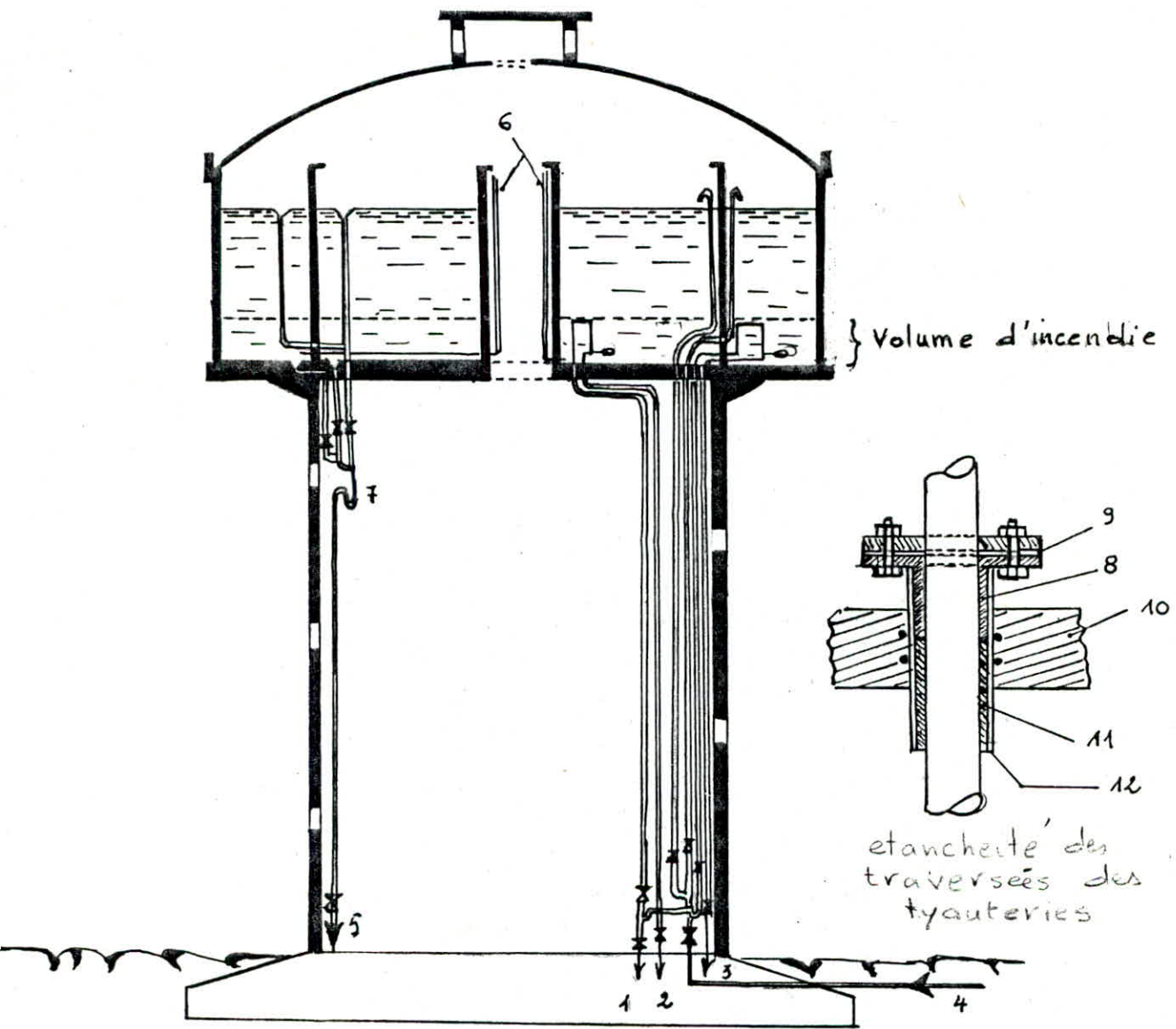
Le calcul est obtenu par l'exécution du programme de calcul des pertes de charges sur la T.I 59 ( planche n° B )

# CHAP. IV

---

ETUDE GENIE CIVIL  
DU CHATEAU  
D'EAU

IV-1 Présentation de l'ouvrage.



1. conduite de distribution.
2. conduite d'eau de réserve d'incendie de la loge interne.
3. " " " " " " externe.
4. conduite de refoulement.
5. conduite de vidange de la cuve et les eaux du trop-plein
6. évent
7. siphon.
8. plomb coulé et maté
9. plaque caoutchouc
10. paroi du réservoir
11. corde goudronnée
12. Fourreau

## IV-2 Caractéristiques des Matériaux

### Béton

On utilisera un béton dosé à  $400 \text{ kg/m}^3$  de CPA 325. contrôle atténué

### Contrainte de compression admissible

$$\bar{\sigma}'_b = \beta'_b \sigma'_{28} \quad \text{avec} \quad \sigma'_{28} : \text{résistance nominale de compression du béton} \\ = 300 \text{ bars (béton dosé à } 400 \text{ kg/m}^3 \text{ de CPA 325)}$$

et  $\beta'_b = \alpha \cdot \beta \cdot \delta \cdot \epsilon$   $\beta'_b$  : coeffts sans dimension.

- CPA 325  $\alpha = 1$  dépend de la dose du ciment utilisé
- $\beta = 5/6$  Contrôle atténué du Béton
- $\gamma = 1$
- $\delta$  dépend de la distribution des contraintes dans la section
- Compression Simple  $\rightarrow \delta = 0,3$
- Flexion simple et flexion composée quand l'effort normal est une traction.
- Flexion composée quand l'effort normal est une compression.

$$\delta = \begin{cases} 0,6 \\ 0,3 \left( 1 + \frac{e_0}{3e_1} \right) \end{cases}$$

avec  $e_0$  : L'excentricité de la force extérieure / au c.d.g de la section complète du béton seul.

$e_1$  : Désigne le rayon vecteur, de même signe que  $e_0$ , du noyau central de cette même section dans le plan radial passant par le centre de pression.

• Pour les sollicitations du second genre, les valeurs de  $\delta$  sont multipliées par 1,5

Exemple :

Section annulaire de faible épaisseur de diamètre moyen  $D$ , on aura  $e_1 = D/4$

Pour  $0 \leq e_0 < 0,75D$   $\delta = 0,3 \left( 1 + 1,33 \frac{e_0}{D} \right)$

Pour  $e_0 \geq 0,75D$   $\delta = 0,6$

- $\epsilon$  : dépend de la nature des sollicitations et de la forme de la section, Dans tous les cas on prendra  $\epsilon = 1$

Nous obtenons

- Sous  $SP_1$  :

- Compression Simple :  $\bar{\sigma}'_{b_0} = 1 \cdot 5/6 \cdot 1,03 \cdot 1 \cdot 300 = 75 \text{ bars}$
- Flexion Simple :  $\bar{\sigma}'_b = 1 \cdot 5/6 \cdot 1 \cdot 0,6 \cdot 1 \cdot 300 = 150 \text{ bars}$

- Sous  $SP_2$

- Compression Simple :  $\bar{\sigma}'_{b_0} = 1,5 \bar{\sigma}'_{b_0}(SP_1)$   $\bar{\sigma}'_{b_0} = 112,5 \text{ bars}$
- Flexion simple :  $\bar{\sigma}'_b = 1,5 \bar{\sigma}'_b(SP_1)$   $\bar{\sigma}'_b = 225 \text{ bars}$

## Contrainte de traction de référence

$$\bar{\sigma}_b = \beta_b \sigma'_{28}$$

avec  $\beta_b = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \theta$

$\alpha, \beta, \gamma$ : gardent les mêmes valeurs et même significations que précédemment.

et

$$\theta = 0,018 + \frac{2,1}{\sigma'_{28}} = 0,018 + \frac{2,1}{300} = 0,025$$

d'où

$$\bar{\sigma}_b = 1 \cdot \frac{5}{6} \cdot 1 \cdot 0,025 \cdot 300 = 6,25 \text{ bars}$$

Cette contrainte est relativement faible et difficile à respecter. Le nouveau texte du cahier des charges applicables à la construction des réservoirs et cuves en Béton Armé, établie en 1966 par la chambre syndicale des constructeurs en ciment armé prévoit une contrainte admissible de traction  $\bar{\sigma}_b$  égale à :

$$\bar{\sigma}_b = \theta \sigma_{28}$$

avec

$$\sigma_{28} \leq 22 \text{ bars} \text{ limite de rupture en traction à } 28 \text{ et un coeff: } \theta \geq 1 \text{ qui a pour valeurs :}$$

$$\theta = \begin{cases} 1 & \text{dans le cas de traction simple} \\ 1 + 2 \frac{e_0}{3h} & \text{en flexion composée} \\ 5/3 & \text{dans le cas de flexion simple} \end{cases} \begin{cases} e_0 : \text{excentricité} \\ h : \text{épaisseur} \end{cases}$$

On se limitera à  $\bar{\sigma}_b = 22 \text{ bars}$

## Contrainte de cisaillement admissible

La contrainte tangente du plan neutre  $\tau_b$  est donnée au droit de chaque section droite en fonction de la contrainte maximale de compression du béton  $\bar{\sigma}'_b$  (coincidente), sur cette même section, par les inégalités suivantes :

$$\bar{\sigma}'_b \leq \bar{\sigma}'_{b0} \rightarrow \tau_b \leq 3,5 \bar{\sigma}'_b = 21,8 \text{ bars}$$

$$\bar{\sigma}'_{b2} \leq \bar{\sigma}'_b \leq 2 \bar{\sigma}'_{b0} \rightarrow \tau_b \leq \left( 4,5 - \frac{\bar{\sigma}'_b}{\bar{\sigma}'_{b0}} \right) \bar{\sigma}'_b$$

On utilisera les aciers :

• A haute adhérence  $F_E E40A$

donc  $\bar{\sigma}_{en} = 4200 \text{ kg/cm}^2$  pour  $\phi \leq 20 \text{ mm}$

$\bar{\sigma}_{en} = 4000 \text{ kg/cm}^2$  pour  $\phi > 20 \text{ mm}$

• Doux (ou rondes lisses)  $F_E E24$

donc  $\bar{\sigma}_{en} = 2400 \text{ kg/cm}^2 \quad \forall \phi$



### contrainte Admissible de traction $\bar{\sigma}_{a1}$

Sans  $SP_1$   $\bar{\sigma}_{a1} = \frac{2}{3} \sigma_{en}$

Sans  $SP_2$   $\bar{\sigma}_{a1} = \sigma_{en}$

Sections	F <sub>e</sub> E40A	F <sub>e</sub> E40E	F <sub>e</sub> E24
SP <sub>1</sub>	$\phi \leq 20 \text{ mm}$	$\phi > 20 \text{ mm}$	1600
	2800	2670	
SP <sub>2</sub>	4200	4000	2400

### Fissuration

Afin de tenir compte de la fissuration, la valeur de la contrainte de traction des armatures est limitée à :

$$\bar{\sigma}_a \leq \text{Min} \begin{cases} \bar{\sigma}_{a1} \\ \max(\sigma_1, \sigma_2) \end{cases}$$

$$\sigma_1 = \frac{k \cdot n}{\phi} \frac{\bar{\omega}_f}{1 + 10 \bar{\omega}_f} \rightarrow \text{contrainte de fissuration systématique}$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{n}{\phi} k \bar{\sigma}_b} \rightarrow \text{Contrainte de fissuration accidentelle}$$

### Contrainte Admissible définitive de l'acier sans présence d'humidité

$\phi$ (mm)	5	6	8	10	12	14	16	20	25	32
Aciers doux	1600	1600	1523	1362	1244	1151	1076	964	862	761
Aciers H.A	2436	2227	1926	1723	1574	1455	1361	1219	1090	963

Ce tableau nous donne  $\bar{\sigma}_a$  prise par le calcul des éléments non en contact avec l'eau.  $\sigma_1$  n'est pas à considérer car elle est toujours plus petite que  $\sigma_2$ .

### Parois du réservoir

La paroi étant constamment en contact avec l'eau, la contrainte admissible de traction est définie par

$$\bar{\sigma}_a = \text{Min} \begin{cases} \sigma_{a1} \\ \text{Max}(\sigma_1, \sigma_2) \end{cases}$$

avec 
$$\sigma_1 = \frac{k \cdot n}{\phi} \frac{\bar{\omega}_f}{1 + 10 \bar{\omega}_f} + 300 n$$

$$\sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{n}{\phi} k \bar{\sigma}_b} + 300 n \quad \text{et } k = 0,3 \cdot 10^5$$

Le terme complémentaire 300 n tient compte du fait qu'une des faces des éléments est en contact permanent avec l'eau, le phénomène de gonflement du béton intervient d'une manière favorable en réduisant l'ouverture des fissures. C'est ce qui motive le terme complémentaire 300 n.

Valeurs de  $\bar{\sigma}_2$  étant inférieure à  $\bar{\sigma}_1$ , on obtiendra le tableau donnant  $\bar{\sigma}_q = \text{Min}(\bar{\sigma}_{q1}, \bar{\sigma}_{q2})$

### Contrainte Admissible de traction de l'acier en présence de l'humidité

$\phi$ (mm)	5	6	8	10	12	14	16	20	25	32
Aciers doux	1600	1600	1600	1600	1544	1451	1376	1264	1162	1061
Aciers H.A	2800	2707	2406	2203	2054	1935	1841	1700	1570	1443

### Contrainte de compression Admissible

$\bar{\sigma}'_q = \frac{2}{3} \bar{\sigma}_{an}$  les pièces soumises à la compression simple pour lesquelles l'acier utilisé tel que  $\bar{\sigma}_{en} < 3300 \text{ kg/cm}^2$

$$\bar{\sigma}_q = \frac{2}{3} \frac{\bar{\sigma}_{en}^2}{33400}$$

d'où

$$\text{H.A} : \begin{cases} \bar{\sigma}'_q = 2800 \text{ kg/cm}^2 & \text{pour } \phi \leq 20 \text{ mm} \\ \bar{\sigma}'_q = 2670 \text{ kg/cm}^2 & \text{pour } \phi > 20 \text{ mm} \end{cases}$$

$$\text{Aciers doux} : \bar{\sigma}'_q = 1150 \text{ kg/cm}^2$$

### Contrainte d'Adhérence Admissible

Zone d'ancrage normal  $\bar{\tau}_b = 1,25 \psi_d^2 \bar{\sigma}_b$

Zone d'ancrage en pleine masse  $\bar{\tau}_b = 2 \psi_d^2 \bar{\sigma}_b$

$\psi_d$ : coefft de scellement et a pour valeur

Aciers H.A  $\rightarrow \psi_d = 1,5$

Aciers doux  $\rightarrow \psi_d = 1$

$\bar{\tau}_d$ (kg/cm <sup>2</sup> )	Aciers H.A	Aciers doux
Ancrage Normal	17,91	7,96
Ancrage en pleine Masse	28,66	12,74

### Recouvrement des Barres Droites

La jonction de deux barres parallèles identiques est assurée par recouvrement lorsque

deux extrémités se chevauchent sur une longueur  $l_r$

$$l_r = l_d \longrightarrow \text{pour } d < 5\phi$$

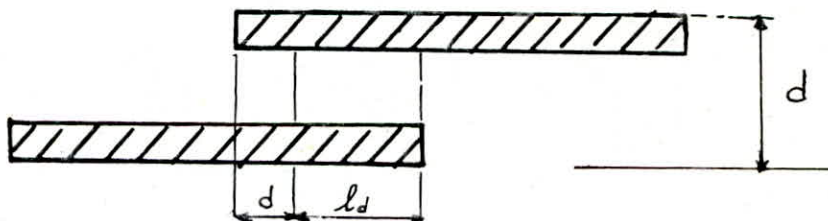
$$l_r = l_d + d \longrightarrow \text{pour } d > 5\phi$$

$d$  : distance entre - axes des barres

$l_d$  : longueur de scellement droit.

$$l_d = \frac{\phi}{4} \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_b} \text{ en traction}$$

$$l_d = \frac{\phi}{4} \frac{\bar{\sigma}'_a}{\bar{\sigma}_b} \text{ en compression (avec } \bar{\sigma}'_a = \frac{2}{3} \sigma_{en})$$



$\phi$  : diamètre nominal de la barre

### Avant - Metre

## Détermination du poids de L'ouvrage

### Dalle circulaire

$$\phi = 4,4 \text{ m}$$

$$e = 0,08 \text{ m}$$

$$P'_2 = \frac{\pi}{4} \phi^2 e \rho_b = \frac{\pi}{4} * (4,4)^2 * 0,08 * 2,5 = 3,04 \text{ t}$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Etanchéité + enduit} \longrightarrow 0,05 \text{ t/m}^2 \\ \text{Surcharges d'exploitation} \longrightarrow 1,2 * 0,1 \end{array} \right\} 0,17 \text{ t/m}^2$$

$$P_1^* = 3,21 \text{ t}$$

Poids de la ceinture sous dalle

$$P_2^* = \pi (3,95^2 - 3,7^2) * 0,2 * 2,5 = 3 \text{ t}$$

total

$$P_{1t}^* = 6,21 \text{ t}$$

### Calcul du lanterneau

On dispose de 8 poteaux 25 x 25

$$P_2' = 8 (0,25 \cdot 0,25 \cdot 1,8) \cdot 2,5$$

Calcul de la ceinture sous poteaux

$$P_2'' = \pi (4^2 - 3,3^2) \cdot 0,22 \cdot 2,5$$

Total

$$P_{2t} = 11,07 t$$

### Calcul de L'acrotère

$$V_3 = 2\pi \cdot 0,15 \cdot 0,3 \cdot 10,631 \approx 3 m^3$$

$$P_3 = 3 \cdot 2,5 = 7,51 t$$

### Poids de la coupole

$$P_{coup} = 1983,923 \text{ daN/m} \longrightarrow 1,98 t/m$$

$$P = 1,98 \cdot 2\pi \cdot R = 1,98 \cdot 2\pi \cdot 10,631 = 132,257 t$$

( y compris étanchéité, surcharges, etc..... )

### Poids de la cuve ( Parois )

$$S_1 = \pi \left( \frac{D_1^2 - d_1^2}{4} \right) = \frac{\pi}{4} ( 21,262^2 - 20,902^2 ) = 11,921 m^2$$

$$P_1 = \rho_b \cdot V_1 = \rho_b \cdot S_1 \cdot h = 2,5 \cdot 11,921 \cdot 6,5 = 193,716 t$$

$$S_2 = \frac{\pi}{4} \cdot ( D_2^2 - d_2^2 ) = \frac{\pi}{4} ( 14,99^2 - 14,63^2 ) = 8,374 m^2$$

$$P_2 = \rho_b \cdot V_2 = \rho_b \cdot S_2 \cdot h = 2,5 \cdot 8,374 \cdot 6,5 = 136,0775 t$$

$$S_3 = \frac{\pi}{4} \cdot ( D_3^2 - d_3^2 ) = \frac{\pi}{4} ( 1,36^2 - 1^2 ) = 0,667 m^2$$

$$P_3 = \rho_b \cdot V_3 = \rho_b \cdot S_3 \cdot h = 2,5 \cdot 0,667 \cdot 6,5 = 10,843 t$$

d'où  $P_t = P_1 + P_2 + P_3 = 340,636 t$

### Poids de la dalle de la base de la cuve

$$S_d = \frac{\pi}{4} ( D^2 - d^2 ) = \frac{\pi}{4} ( 21,262^2 - 1^2 ) = 354,271 m^2$$

$$P_d = \rho_b \cdot V_b = \rho_b \cdot S_d \cdot h = 2,5 \cdot 354,271 \cdot 0,54 = 478,265 t$$

### Poids du Fût

$$S_f = \frac{\pi}{4} ( 14,99^2 - 14,29^2 ) = 16,0975 m^2$$

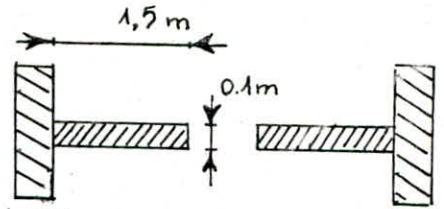
$$P_f = \rho_b \cdot S_f \cdot h = 2,5 \cdot 16,0975 \cdot 38,19 = 1536,9 t$$

Vu l'importance du fût, la tour doit comprendre des dalles de repos.  
Pour notre cas 5 dalles suffisant.

Poids des 5 dalles

$$S = \frac{\pi}{4} (D^2 - d^2) = \frac{\pi}{4} (14,29^2 - 11,29^2) = 60,271 \text{ m}^2$$

$$P = f_b \cdot S \cdot 5 \cdot 0,1 = 2,5 \cdot 60,271 \cdot 5 \cdot 0,1 = 75,338 \text{ t}$$



Surcharges d'escalier + accessoires  $\longrightarrow 100 + 100 = 200 \text{ kg/m}^2$

$$G = 0,200 \cdot S = 0,2 \cdot 60,271 = \boxed{12,0542 \text{ t}}$$

Poids de l'enduit

$$V_1 = \frac{\pi}{4} (20,902^2 - 20,862^2) \cdot 6,5 = 8,528 \text{ m}^3$$

$$V_2 = \frac{\pi}{4} (15,03^2 - 14,99^2) \cdot 6,5 = 6,13 \text{ m}^3$$

$$V_3 = \frac{\pi}{4} (14,29^2 - 14,25^2) \cdot 6,5 = 5,827 \text{ m}^3$$

$$V_4 = \frac{\pi}{4} (1,4^2 - 1,36^2) \cdot 6,5 = 0,563 \text{ m}^3$$

$$V_{\text{etanch. dalle}} = [(20,862^2 - 15,03^2) + (14,25^2 - 1,4^2)] \cdot 0,02 \cdot \frac{\pi}{4} = 6,447 \text{ m}^3$$

d'où  $V_t = 27,495 \text{ m}^3$

Poids volumique de l'enduit utilisé  $\longrightarrow 1,2 \text{ t/m}^3$

le Poids nécessaire de l'enduit sera de  $P_e = 27,495 \cdot 1,2 = \boxed{32,994 \text{ t}}$

Poids de la ceinture supérieure

$$V = 14,37 \text{ m}^3 \longrightarrow \boxed{P = 35,925 \text{ t}}$$

Poids de la ceinture inférieure

$$V = 14,37 \text{ m}^3 \longrightarrow \boxed{P = 35,925 \text{ t}}$$

Poids de la cuve Vide

$$P_{cv} = \sum_{i=1}^6 P_i = 6,21 + 11,07 + 7,51 + 132,257 + 340,636 + 478,265 = \boxed{975,948 \text{ t}}$$

Poids de la cuve pleine

$$P_{cp} = 975,948 + 2000 = \boxed{2975,948 \text{ t}}$$

Poids total au niveau de la fondation

$$\text{Cuve Vide} \longrightarrow 975,948 + 12,054 + 75,338 = \boxed{1063,34 \text{ t}}$$

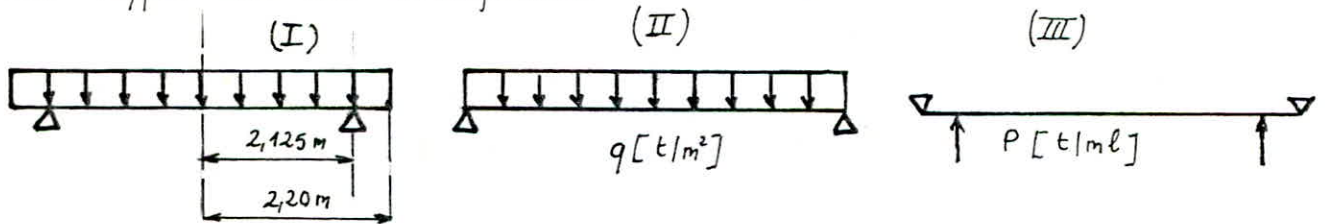
$$\text{Cuve pleine} \longrightarrow 1063,34 + 2000 = \boxed{3063,34 \text{ t}}$$

# IV-3 Calcul des éléments de la Cuve

## Dalle de couverture de Lanterneau

épaisseur 0,08 m

\* Nous considérons cette dalle comme une plaque circulaire uniformément chargée dont l'appui sera une circonférence.

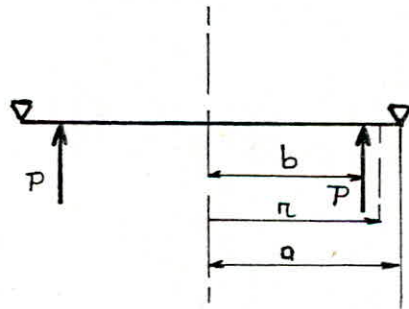


\* En ce qui concerne le 3<sup>ème</sup> Cas (III) - On considère la plaque circulaire appuyée sur sa circonférence et soumise à une charge  $P [t/ml]$  sur un rayon 2,125 m

\* En ce qui concerne le 2<sup>ème</sup> Cas (II), On considère la plaque circulaire appuyée sur sa circonférence et soumise à une charge uniformément répartie  $q [t/m^2]$

### Détermination du moment radial suivant les deux cas :

Cas (III) :



$$P = q \frac{a^2}{2b}$$

$$\pi \cdot q \cdot a^2 = 2\pi \cdot b \cdot P$$

Valeur de q :

remarque : On considère seulement la combinaison  $G_1 + 1,2P$  avec

P: surcharge (on considère la neige comme charge utile)

G: charge permanente ( poids propre + induit)

En ce qui concerne notre région :  $P_{no} = 35 \text{ kg/m}^2 \rightarrow$  surcharge normale

$P'_{no} = 60 \text{ kg/m}^2 \rightarrow$  surcharge externe

On tire  $= (0,08 \cdot 2,5 + 0,05) + 1,2 \cdot 0,035 = 0,292 \text{ t/m}^2$

En ce qui concerne le calcul du moment radial, on appliquera les formules des plaques "BARES" page 425

$$0 \leq r \leq b$$

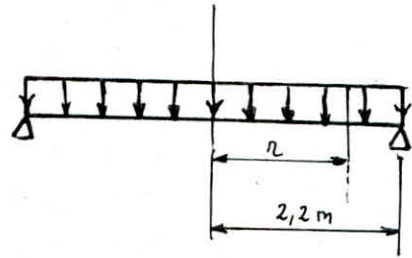
$$M_r = \frac{P \cdot a}{4} (\beta) \left[ (1-\mu)(1-\beta^2) - 2(1+\mu) \log \beta \right] \quad (1)$$

avec  $\beta = \frac{b}{a}$  ;  $\mu = 0,15$  ,  $P = q \frac{a^2}{2b}$

en remplaçant dans (1)  $M = q \cdot a^2 \left[ (1-\mu)(1-\beta^2) - 2(1+\mu) \log \beta \right]$

Cas (II)  $e = \frac{r}{a}$  ( $r$ : Compté à partir du centre de la plaque)

$$M_r = q \frac{a^2}{16} (3 + \mu) (1 - e^2)$$



valeur de  $M_r$

$$\beta = \frac{b}{a} = \frac{2,125}{2,20} \approx 0,966$$

$r$ (m)	$e = \frac{r}{a}$	$M_r$ (tm/ml)	
		Cas (III)	Cas (II)
0	0	0,024	0,278
$b = 2,125$	0,966	0,024	0,0186
$a = 2,20$	1	0	0

### Calcul du moment Tangentiel

Cas (III) :

Pour partie médiane  $\rightarrow (a \leq r \leq b)$

$$M_\varphi = M_r = q \frac{a^2}{8} \left[ (1 - \mu) (1 - \beta^2) - 2 (1 + \mu) \log \beta \right]$$

$$T_r = 0$$

Pour partie extérieure  $\rightarrow (b \leq r \leq a)$

$$\beta = \frac{b}{a}$$

$$\varphi = \frac{r}{a}$$

$$M_\varphi = q \frac{a^2}{8} \left[ (1 - \mu) \left( 2 - \beta^2 \left( \frac{1}{\varphi^2} + 1 \right) - 2 (1 + \mu) \log \beta \right) \right]$$

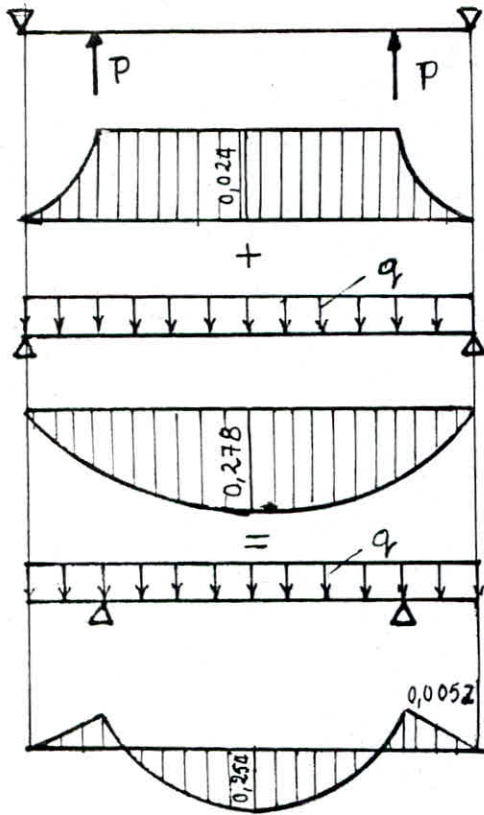
Cas (II)  $M_\varphi = q \frac{a^2}{16} \left[ (3 + \mu) - (1 + 3\mu) \varphi^2 \right]$

$r$ (m)	$\varphi = \frac{r}{a}$	$M_\varphi$ (t.m/ml)	
		Cas (III)	Cas (II)
0	0	0,024	0,278
2,125	0,966	0,024	0,1587
2,1625	0,983	0,022	0,1544
2,20	1	0,032	0,1501

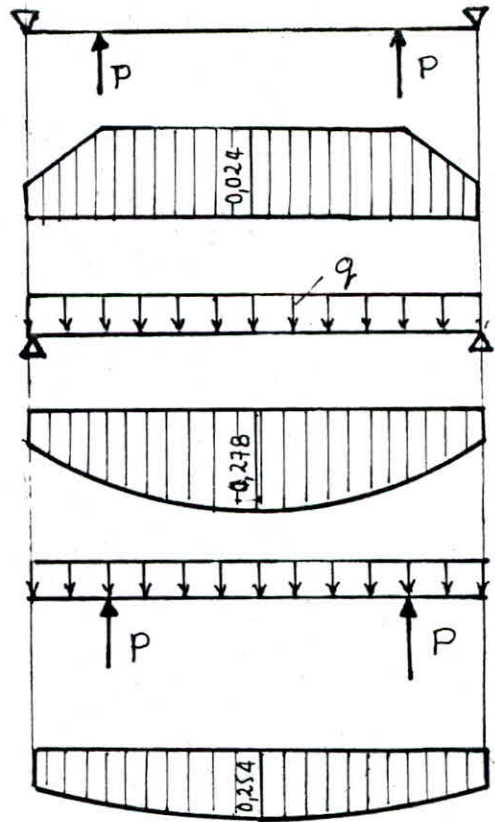
Superpositions des moments

$$\boxed{\text{Cas (I)} = \text{Cas (II)} + \text{Cas (III)}}$$

Somme des moments radiaux



Somme des moments tangentiels



Ferraillage de la dalle circulaire

Armatures radiales

Armatures inférieures

le moment de flexion est  $M_r = 0,254 \text{ t.m/ml}$

On prendra pour notre calcul  $h_t = 8 \text{ cm} \rightarrow h = 5 \text{ cm}$   
 (ferraillage d'après P. CHARRON)  $b = 100 \text{ cm}$

$$\bar{\sigma}_q = 1723 \text{ kg/cm}^2 \rightarrow \phi_{10}$$

$$\bar{\sigma}_b = 150 \text{ kg/cm}^2$$

$$\mu = \frac{15 \cdot M_r}{\bar{\sigma}_q \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 0,254}{1723 \cdot 100 \cdot 25 \cdot 10^4} = 0,0845$$

$$\rightarrow \epsilon = 0,8826$$

$$K = 27,6$$

$$\Rightarrow A = \frac{0,254 \cdot 10^5}{1723 \cdot 0,8826 \cdot 5} = 3,34 \text{ cm}^2$$

Armatures supérieures

$$\mu = \frac{15 \cdot 5,2 \cdot 10^2}{1723 \cdot 100 \cdot 5^2} = 1,81 \cdot 10^{-3} \rightarrow \begin{cases} \epsilon = 0,98 \\ K = 0,245 \end{cases}$$



$$A = \frac{5 \cdot 10^2}{1723 \cdot 0,98 \cdot 5} = 0,0592 \text{ cm}^2$$

Armature inférieure → 4T10/ml  
 Armature supérieure → 4T10/ml

Armature circulaire

$M_q = 0,254 \text{ t.m/ml}$  → armature effective 5T10/ml

Ferraillage des poteaux

On néglige l'effet du vent sur ces éléments (poteaux 25x25). Les poteaux sont comprimés sous les charges et surcharges.

charge à prendre en compte

- poids de la dalle circulaire → P = 3,04 t
- poids propre des poteaux → P = 2,25 t

contrainte maximale du béton dans chaque poteau

$$\sigma_b \approx 0,074 \text{ kg/cm}^2 \ll \bar{\sigma}_{b_0}$$

Le béton suffit à lui seul pour reprendre l'effort de compression, on adoptera donc un ferraillage minimum.

$$\omega = 0,2\% \rightarrow 4T14$$

ceinture supérieure sous la dalle

Soumise au poids de la dalle ainsi qu'à son propre poids.

- poids de la dalle (y compris étanchéité + induit) → 3,21 t
- poids propre de la ceinture → 6,21 t

$$\sigma_b \approx 0,29 \leq \bar{\sigma}_{b_0}$$

On adoptera une section d'acier de 0,25% de la section du béton

$$A = 0,25 \cdot e = 0,25 \cdot 0,2 = 5 \text{ cm}^2$$

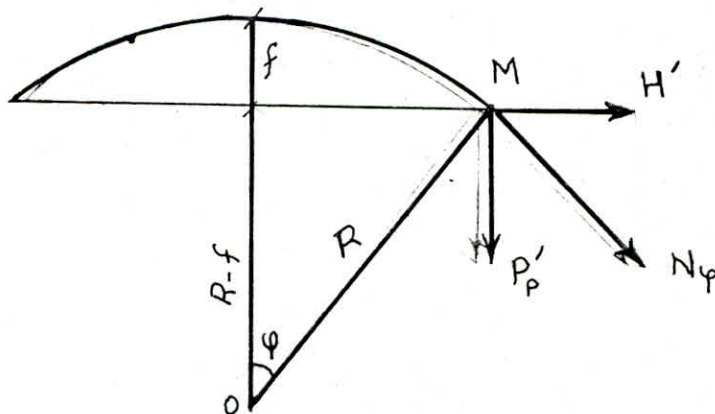
Aciers verticaux → 6T12/ml  
 Aciers cerces → 6T12/ml

Acrotères

L'effet du vent sur l'acrotère est négligeable, la contrainte de compression dans le béton sous l'effet de son propre poids est très faible, donc on adoptera un ferraillage forfaitaire.

Cerces : 2T10/ml  
 Armatures verticales 2T10/ml

# Etude de la coupole



$S = 2\pi \cdot R \cdot f$  : surface de la coupole

$R$ : rayon de la sphère

$$P_p = 2\pi \cdot R \cdot f \cdot P$$

Poids par metre de coupole  $P'_p = \frac{P_p}{2\pi r} = \frac{2\pi \cdot R \cdot f \cdot P}{2\pi \cdot r} = \frac{P \cdot R \cdot f}{r}$

On a  $R = \frac{r^2 + f^2}{2f} \Rightarrow r^2 = (2R - f) \cdot f$ .

d'où

$$P'_p = \frac{P \cdot f \cdot (r^2 + f^2)}{2rf}$$

Les triangles OIM et  $H'N_\phi P'_p$  sont semblables

$$\frac{H'}{R-f} = \frac{P'_p}{r}$$

$$H' = \frac{P'_p}{r} (R-f) \Rightarrow H' = \frac{P \cdot f \cdot (r^2 + f^2)}{2f \cdot r} \cdot \frac{R-f}{r}$$

$$R-f = \frac{r^2 + f^2}{2f} - f = \frac{r^2 - f^2}{2f} \Rightarrow H' = \frac{P \cdot f \cdot (r^2 + f^2)}{2f \cdot r} \cdot \frac{r^2 - f^2}{2f \cdot r} = \frac{P(r^4 - f^4)}{4f^2 \cdot r^2}$$

Application numérique

$$f = 2,5 \text{ m}$$

$$e = 8 \text{ cm}$$

$$r = 10,631 \text{ m}$$

$$h = 6,0 \text{ m}$$

Pour les surcharges : Si nous considérons une surcharge  $q$  par metre carré de projection horizontale, nous calculons de même

$$P_q = \pi r^2 q$$

par metre de contour  $P'_q = \frac{\pi r^2 q}{2\pi \cdot r} = \frac{q \cdot r}{2}$

$$H'_q = P'_q \cdot \frac{R-f}{r} = \frac{q \cdot r}{2} \cdot \frac{r^2 - f^2}{2rf} = \frac{q(r^2 - f^2)}{4f} \quad \text{or on a} \quad H'_q = \frac{q(r^4 - f^4)}{4f}$$

pour une meilleure sécurité on prend :

$$H'_q = \frac{q(r^4 - f^4)}{4f \cdot r^2} = \frac{q(r^2 - f^2)}{4f} \cdot \frac{r^2 + f^2}{r^2} = \frac{q(r^2 - f^2)}{4f} \left(1 + \frac{f^2}{r^2}\right) > \frac{q(r^2 - f^2)}{4f}$$

### Effort de compression dans les méridiens

$N_e = \sqrt{H'^2 + P^2}$  → sert à vérifier la contrainte de compression

$$\sigma_b = \frac{N_e}{b \cdot e} = \frac{N_e}{100e}$$

### Calcul de la ceinture

La ceinture est soumise à un effort de traction  $T$  tel que

$$T = H' \cdot r \quad \text{la section d'acier sera } A = \frac{T}{\sigma_a}$$

La contrainte de la traction dans la ceinture est  $\sigma_b = \frac{T}{B + nA}$

### Application numérique

$$f = 2,5 \text{ m} \quad e = 8 \text{ cm} \quad , \quad r = 10,631 \text{ m} \quad , \quad h = 6,0 \text{ m}$$

$$R = \frac{r^2 + f^2}{2f} = \frac{10,631^2 + 2,5^2}{2 \cdot 2,5} = 23,85 \text{ m}$$

$$S = 2\pi R f = 2 \cdot 3,14 \cdot 23,85 \cdot 2,5 = 374,445 \text{ m}^2$$

### charges

- poids propre  $P_p = 2500 \cdot 0,08 = 200 \text{ daN/m}^2$

- étanchéité, isolation  $P_e = 40 \text{ daN/m}^2$

d'où  $P = 240 \text{ daN/m}^2$

### surcharges

- surcharge d'exploitation =  $100 \text{ kg/m}^2$   $q = 100 \text{ daN/m}^2$

$P + 1,2q = 240 + 1,2 \cdot 100 = 360 \text{ daN/m}^2$

### calcul des efforts

\* calcul des charges et surcharges par mètre de pourtour

- charges  $P'_q = \frac{P \cdot S}{2\pi r} = \frac{240 \cdot 374,445}{2 \cdot 3,14 \cdot 10,631} = 1346,0634 \text{ daN/m}$

- surcharges  $P'_q = \frac{q \cdot r}{2} = \frac{120 \cdot 10,631}{2} = 637,86 \text{ daN/m}$

$P' = P'_q + P'_q = 1983,9234 \text{ daN/m}$

poussée horizontale

$$H' = \frac{(P + 1,2q)(r^4 - f^4)}{4f \cdot r^2} = \frac{360(10,631^4 - 2,5^4)}{4 \cdot 2,5 \cdot 10,631} = 4056,21 \text{ daN/m}$$

donc  $H' = 4056 \text{ daN/m}$

### \* effort de compression dans les méridiens

$$N_e = \sqrt{H'^2 + P'^2} = \sqrt{1984^2 + 4056^2} = 4515,299 \text{ daN/m}$$

## Calcul des contraintes

\* contrainte de compression  $\sigma'_b = \frac{Ne}{100e} = \frac{4515,299}{100 \cdot 0,08} = 5,64 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b$

\* contrainte de cisaillement  $\tau_b = \frac{P'}{100e} = \frac{1984}{100 \cdot 8} = 2,48 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\tau}_b$

## Calcul des Armatures

Comme les contraintes de compression et de cisaillement sont inférieures aux contraintes admissibles, le béton suffit lui seul, mais on mettra quand même des armatures destinées à résister aux efforts de retrait et aux efforts dissymétriques.

• suivant les méridiens  $A_1 = 0,3 \cdot e = 0,3 \cdot 8 = 2,4 \text{ cm}^2$

$A_1 = 5 \text{ HA8/ml} = 2,5 \text{ cm}^2$

• suivant les parallèles  $A_2 = \frac{A_1}{3} = \frac{2,4}{3} = 0,8 \text{ cm}^2$

$A_2 = 4 \text{ HA6/ml}$

## Vérification de la coupole au poinçonnement

On vérifiera la coupole au poinçonnement causée par une charge de 170 kg. répartie sur une surface de 40.40 cm<sup>2</sup>

$$1,5 \frac{P}{P_c \cdot h_t} \leq 1,2 \bar{\sigma}_b \quad \text{avec}$$

$h_t$ : épaisseur de la coupole

$P$ : charge de 170 kg

$P_c$ : périmètre dans le plan moyen de la coupole en tenant compte de la diffusion

$P_c = 40 \left( 40 + \frac{2h_t}{2} \right) = 40 \left( 40 + \frac{2 \cdot 8}{2} \right) = 192 \text{ cm}$

$1,5 \cdot \frac{170}{192 \cdot 8} = 0,15 \text{ kg/cm}^2 < 1,2 \bar{\sigma}_b$

## Calcul de la ceinture

$T = H \cdot r = 4056 \cdot 10,631 = 43119,336 \text{ daN}$

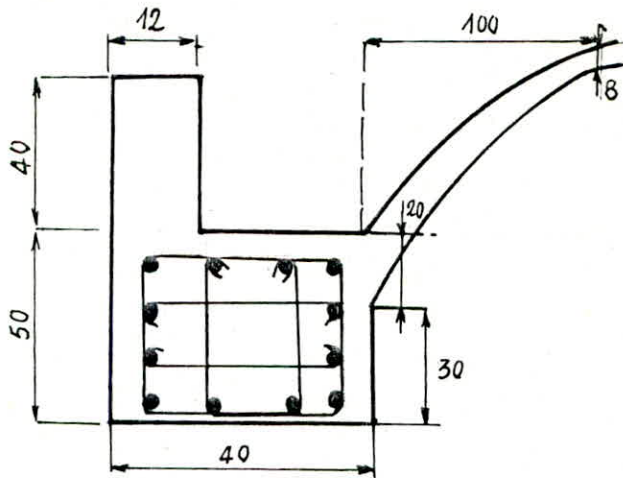
La section de l'acier sera de  $A = \frac{T}{\bar{\sigma}_a} = \frac{43119,366}{1224} = 35,228 \text{ cm}^2$

$A = 12 \text{ HA20} = 37,7 \text{ cm}^2 \rightarrow \bar{\sigma}_a = 1224 \text{ kg/cm}^2$

La section de béton nécessaire en limitant la contrainte de traction du béton à 18b

$B = \frac{T - nA}{\bar{\sigma}_{bn}} = \frac{43119,336 - 15 \cdot 37,7}{18} = 2364,102 \text{ cm}^2$

Or la section de notre ceinture est  $50 \cdot 40 + 40 \cdot 12 = 2480 \text{ cm}^2$ .



### Verification de la ceinture

\* condition de fragilité  $\omega_f = \frac{A}{B} > \frac{3\bar{\sigma}_b}{\sigma_{en}}$

$$\bar{A} \geq \frac{3\bar{\sigma}_b}{\sigma_{en}} \cdot B = \frac{3 \cdot 6,25}{4200} \cdot 2480 = 11,07 \text{ cm}^2$$

$$A = 37,7 \text{ cm}^2 > \bar{A} = 11,07 \text{ cm}^2$$

### \* Condition de fissuration

$$\sigma_1 = k \frac{\eta}{\phi} \frac{\omega_f}{1 + 10\omega_f} \quad \text{avec} \quad \omega_f = \frac{37,7}{50 \cdot 40} = 0,019$$

$$\sigma_1 = 0,5 \cdot 10^6 \cdot \frac{1,6}{20} \cdot \frac{0,019}{1 + 0,019} = 639 \text{ kg/cm}^2 < \sigma_2 \Rightarrow \text{Vérifié}$$

$$\text{Car } \bar{\sigma}_a = \min \begin{cases} \frac{2}{3} \sigma_{en} \\ \max(\sigma_1, \sigma_2) \end{cases}$$

$$\sigma_a = \frac{T}{A} = \frac{4318,336}{37,7} = 1143,75 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 1224 \text{ kg/cm}^2$$

## Etude des parois

La paroi sera étudiée dans le cas où la cuve du château d'eau soit pleine et donc soumise à la poussée de l'eau. Pour une question de sécurité on négligera dans ce cas la poussée du vent.

Apartir de la théorie de la membrane, TIMOSHENKO, est arrivé à étudier dans son ouvrage intitulé "coques et plaques" pages 485 et 486.

L'équilibre d'une coque soumise à des pressions extérieures et c'est à partir des déplacements des éléments de la coque. Il est arrivé à donner les relations entre le déplacements et les éléments de réduction qui sont:

$$* N_e = \frac{D(1-\mu^2)}{a} \cdot \omega \quad D = \frac{E \cdot t}{1-\mu^2} \quad \text{résistance de la dilatation}$$

$$\left. \begin{aligned} M_x &= k \cdot \omega'' \\ T_x &= k \omega''' \end{aligned} \right\} \Rightarrow k = \frac{E \cdot t^3}{12(1-\mu^2)} \quad \text{résistance de la flexion}$$

où

- t : épaisseur de la paroi  $t = 0,18 \text{ m}$
- a : rayon interne de la cuve.  $a = 20,902 \text{ m}$
- $\mu$  : coefficient de poisson.
- $\omega$  : déplacement radial de l'élément de paroi
- $M_x$  : Moment fléchissant sur l'élément de la paroi
- $N_e$  : poussée radiale sur l'élément de la paroi
- $T_x$  : effort tranchant sur l'élément de paroi

Dans notre cas la poussée d'eau,  $\omega$  sera la solution de l'équation diff. suivante

$$\boxed{k \omega'''' + D a^2 (1 - \mu^2) \cdot \omega = \gamma a^4 (h - a)}$$

où  $\gamma$  : masse volumique de l'eau

La solution particulière de cette équation est  $\omega = \frac{\gamma \cdot a^2}{D(1-\mu^2)} (h-x)$

La solution de l'équation homogène est de la forme

$$W = e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left( C_1 \cos \frac{\alpha}{a}x - i C_2 \sin \frac{\alpha}{a}x \right) + e^{-\frac{\alpha}{a}x'} \left( C_3 \cos \frac{\alpha}{a}x' + i C_4 \sin \frac{\alpha}{a}x' \right)$$

où  $\alpha = \sqrt[4]{\frac{3 a^2 (1 - \mu^2)}{t^2}}$  et  $x' = h - x$

Vu que  $\alpha$  est un terme de grande valeur alors les fonctions  $e^{\alpha x}$  et  $e^{\alpha x'}$  croissent très vite, en faisant varier  $x$  ou  $x'$  à partir de zéro. Donc à l'inverse, les fonctions  $e^{-\alpha x}$  et  $e^{-\alpha x'}$  auront rapidement des valeurs très faibles si on s'éloigne de  $x=0$  et  $x'=0$

\* Au bord inférieur on aura comme solution de l'équation homogène

$$W = e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left( C_1 \cos \frac{\alpha}{a}x + i C_2 \sin \frac{\alpha}{a}x \right)$$

\* La solution générale de l'équation non homogène sera :

$$\boxed{W = e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left( C_1 \cos \frac{\alpha}{a}x + i C_2 \sin \frac{\alpha}{a}x \right) + \frac{\gamma \cdot a^2}{D(1-\mu^2)} (h-x)}$$

Les parois supposées encastrees sur le radier

$$\frac{\partial W}{\partial x} = 0 \Rightarrow C_1 = -\frac{\gamma \cdot a^2 \cdot h}{D(1-\mu^2)}$$

$$\frac{\partial^2 W}{\partial x^2} = 0 \Rightarrow C_2 = \frac{1}{i} \left( \frac{\gamma a^2 h}{D(1-\mu^2)} + \frac{\gamma a^3}{\alpha D(1-\mu^2)} \right) = \frac{1}{i} \frac{\gamma a^2}{D(1-\mu^2)} \left[ -h + \frac{a}{\alpha} \right]$$

$$M_x = \frac{t^2 \cdot \gamma \cdot a^2 e^{-\frac{\alpha}{a}x}}{6(1-\mu^2)} \left[ -h \sin \frac{\alpha}{a}x + \left( h - \frac{a}{\alpha} \right) \cos \frac{\alpha}{a}x \right]$$

$$* N_e = e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left[ -\gamma \cdot a \cdot h \cdot \cos \frac{\alpha}{a}x + \gamma a \left( -h + \frac{a}{\alpha} \right) \sin \frac{\alpha}{a}x \right] + \gamma a (h-x)$$

$$T = \frac{-t^2 \cdot \alpha^3 \gamma}{6 a (1-\mu^2)} e^{-\frac{\alpha}{a}x} \left[ + h \left( \cos \frac{\alpha}{a}x - \sin \frac{\alpha}{a}x \right) + \left( h - \frac{a}{\alpha} \right) \left( \cos \frac{\alpha}{a}x + \sin \frac{\alpha}{a}x \right) \right]$$

Le cahier des charges pour le calcul des réservoirs et cuves de chateaux d'eau le poids volumique de l'eau à  $1200 \text{ kg/m}^3$  au lieu de  $1000 \text{ kg/m}^3$ .

$t = 0,18 \text{ m}$  épaisseur de la paroi

$a = 20,902$  rayon interne de la cuve

$\mu = \frac{1}{6}$  coef. de poisson du béton armé

$w$  : déplacement radial de l'élément de la cuve

$$\alpha = \sqrt[4]{\frac{3a^2(1-\mu^2)}{t^2}} = 9,1727$$

$$M_x = 560,7946 e^{-0,439x} [-6 \sin 0,439x + 3,722 \cos 0,439x]$$

$$M_{\max} = 2,0873 \text{ t.m/ml}$$

$$N_q = e^{-0,439x} [-150494,4 \cos 0,439x - 93356,69 \sin 0,439x] + 25082,4 (6-x)$$

$$T = 121,93 (9,72 \cos 0,439x - 2,28 \sin 0,439x) e^{-0,439x}$$

effort Cote	$M_x$ (t.m/ml)	$N_q$ (t/ml)	$T$ (t/ml)
0,00	+ 2,0873	0	1,1852
1,00	+ 0,2961	12,010	0,6154
2,00	- 0,5219	30,526	0,2257
3,00	- 0,6562	40,9103	0,00763
4,00	- 0,7305	39,1016	- 0,08489
5,00	- 0,6419	26,4414	- 0,10225
6,00	- 0,4876	6,184	- 0,0840569

Ferraillage horizontal des viroles :  $A_{\min} = 0,15\% B' = 18 \cdot 0,15 \cdot \frac{100}{100} = 2,7 \text{ cm}^2$   
 $2 A_{\min} = 5,4 \text{ cm}^2$

Viroles	$T_i = \frac{F_i + F_{i+1}}{2}$ (t/ml)	$A_i = \frac{T_i}{\bar{\sigma}_q}$ (cm <sup>2</sup> )	A choisie (cm <sup>2</sup> )	espacement
0 ÷ 1	6,005	2,92	6HA12 = 6,78	35
1 ÷ 2	21,268	10,324	6HA16 = 12,06	35
2 ÷ 3	35,71815	17,338	6HA20 = 18,84	35
3 ÷ 4	40,0059	19,42	6HA12 6HA20 = 25,62	35
4 ÷ 5	32,772	15,908	6HA20 = 18,84	35
5 ÷ 6	16,184	7,85	6HA14 = 9,23	35

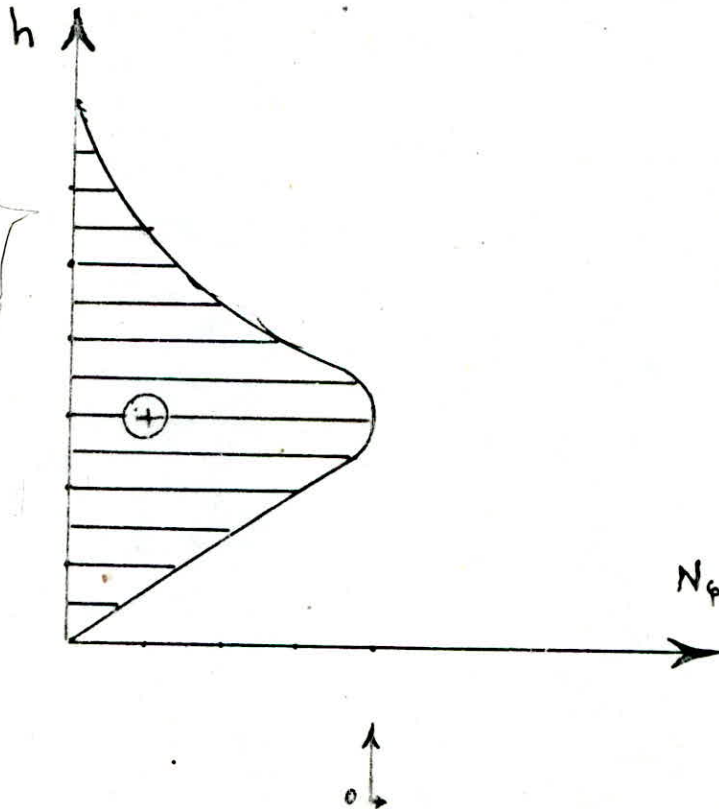
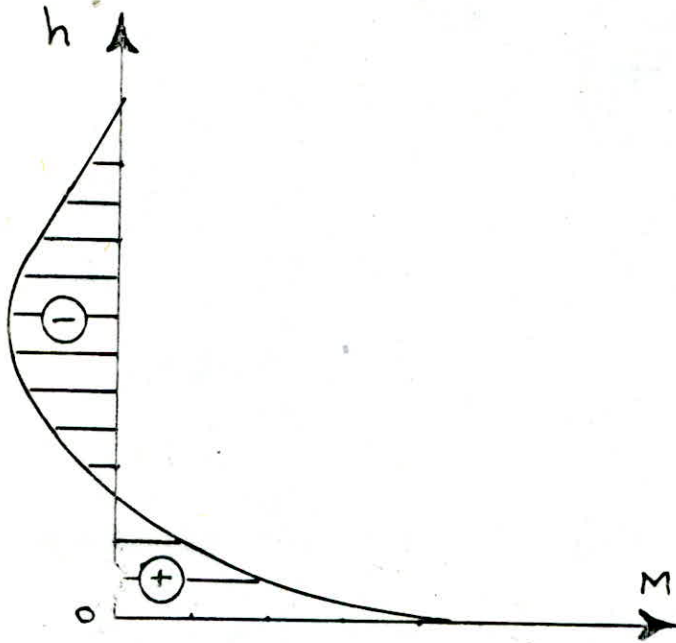
$M = 2,087 \text{ t.m}$   
 $h_t = 18 \text{ cm}$   $d = d' = 2 \text{ cm}$   $\mu = 3,406$

$$\begin{cases} k = 1,4 \\ \alpha = 0,9146 \\ \varepsilon = 0,6951 \\ \bar{\omega} = 32,66 \\ \mu' = 0,3179 \end{cases}$$

$B'_b = 150 b \approx 150 \text{ kg/cm}^2$

$\bar{\sigma}_q = \begin{cases} 2670 \text{ kg/cm}^2 & ; \phi > 20 \\ 2800 \text{ kg/cm}^2 & ; \phi \leq 20 \end{cases}$

Diagrammes de M et  $N_x$  dues à la poussée de l'eau sur les parois de la cuve





$$\sigma'_b = \frac{\sigma_R}{k} = \frac{2800}{1,4} = 2000 > 150 \text{ kg/cm}^2 \Rightarrow \text{nécessité des armatures comprimées}$$

$$M_1 = \mu' \cdot \sigma'_b \cdot b \cdot h = 1871795,2 \text{ kg} \cdot \text{cm}$$

$$\Delta M = M - M_1 = 215504,8 \text{ kg} \cdot \text{cm}$$

$$A' = \frac{\Delta M}{(h-d) \bar{\sigma}'_q} = 5,765 \text{ cm}^2 \Rightarrow \boxed{4\phi 14 = 6,15 \text{ cm}^2 \text{ Armatures minimales}}$$

$$A = \frac{\Delta M}{\bar{\sigma}_q \cdot \epsilon \cdot h} + \frac{\Delta M}{(h-d') \bar{\sigma}_q} = 9,495 \text{ cm}^2 \Rightarrow \boxed{A = 4\phi 20 = 12,56 \text{ cm}^2}$$

### Vérification des contraintes

$$S = b \frac{y^2}{2} + n A' (y - d') - n A (h_t - d - y) = 0$$

est de la forme  $a_1 y^2 + b_1 y + C_1 = 0$

avec

$$a_1 = \frac{b}{2n} = \frac{100}{30} = 3,33$$

$$b_1 = A + A' = 18,72 \text{ cm}^2$$

$$C_1 = - [A' d' + A (h_t - d)] = - 213,26$$

$$y = 2,269 \text{ cm}$$

Moment d'inertie de la section par rapport à l'axe neutre

$$I = \frac{b}{3} y^3 + n A' (y - d')^2 + n A (h_t - d - y)^2 = 35912,458 \text{ cm}^4$$

$$\sigma'_b = k y = \frac{M}{I} y = 131,88 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b = 150 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma_q = n k (y - d') = \boxed{226,67 \leq 2800 \text{ kg/cm}^2}$$

### Vérification de l'effort tranchant

$$T_{\max} = 1,1852 \text{ t}$$

$$\tau_b = \frac{T}{b \cdot z} = \frac{1185,2}{100 \cdot \frac{7}{8} \cdot 16} = 0,846 \text{ kg/cm}^2 < 2,5 \bar{\tau}_b = 2,5 \cdot 6,25 = 15,625 \text{ kg/cm}^2$$

donc  $\boxed{\tau_b < \bar{\tau}_b}$

L'effort tranchant sera repris par les armatures horizontales en arcs et par les armatures en épingles de maintien.

### Ferraillage du radier

$$q_h = 7,2 \text{ t/m}^2 : \text{charges réparties due à l'eau}$$

$$q_b = 1,35 \text{ t/m}^2 : \text{charges réparties due au poids propres de la dalle}$$

$$q = q_h + q_b = 8,55 \text{ t/m}^2$$

$P = 3,178 \text{ t/m}$  poids de parois de la loge interne

### Ferrillage du radier

$q_h = 7,2 \text{ t/m}^2$  : charges réparties due à l'eau

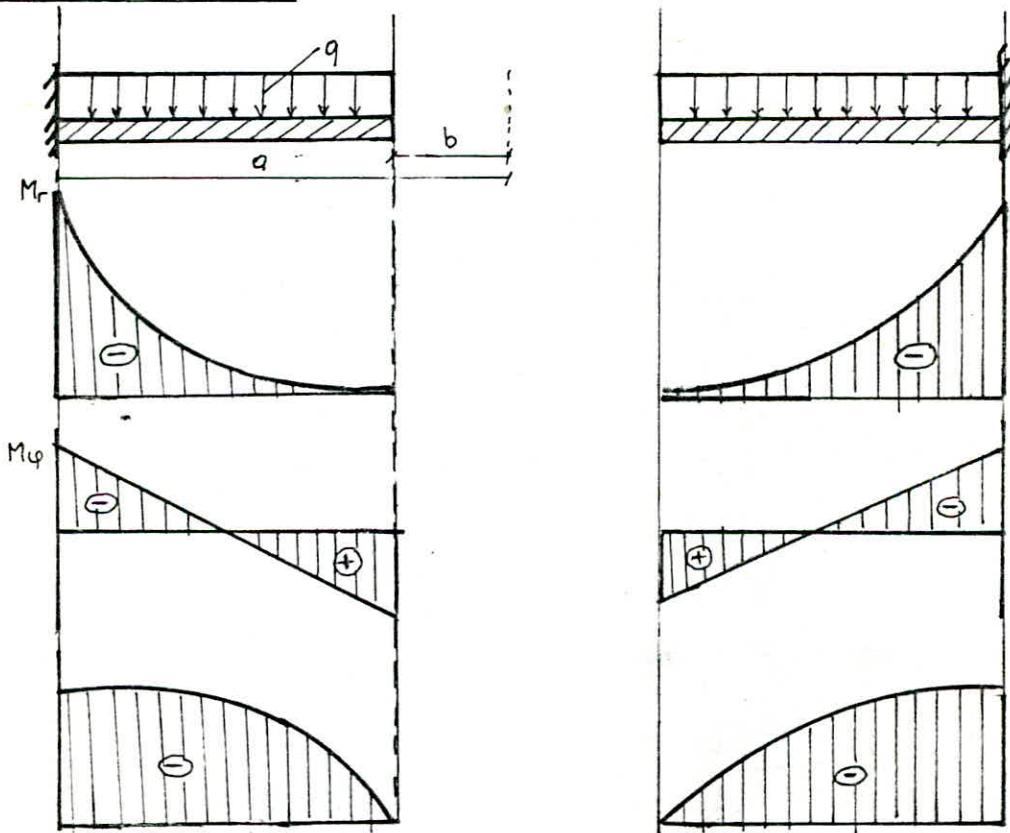
$q_b = 1,35 \text{ t/m}^2$  : charges réparties due au poids propre de la dalle

$$q = q_h + q_b = 8,55 \text{ t/m}^2$$

$P = 3,178 \text{ t/m}$  poids de parois de la loge interne

### Dalle annulaire interne

1<sup>er</sup> Cas



$W$ : déplacement vertical de la pièce

$M_r$ : moment radial

$M_\varphi$ : moment tangentiel

$$W = \frac{q a^4}{64D} \left[ -1 + 2(1 - k_0 - 2\beta^2)(1 - \varphi^2) + \varphi^4 - 4k_0 \log \varphi - 8\beta^2 \varphi^2 \log \varphi \right]$$

$$T_r = q \frac{a}{2} \left( \varphi - \beta^2 \frac{1}{\varphi} \right)$$

$$M_r = q \frac{a^2}{12} \left[ (1 - \mu)(1 - k_0) + 4\beta^2 - (3 - \mu)\varphi^2 - (1 - \mu)k_0 \frac{1}{\varphi^2} + 4(1 + \mu)\beta^2 \log \varphi \right]$$

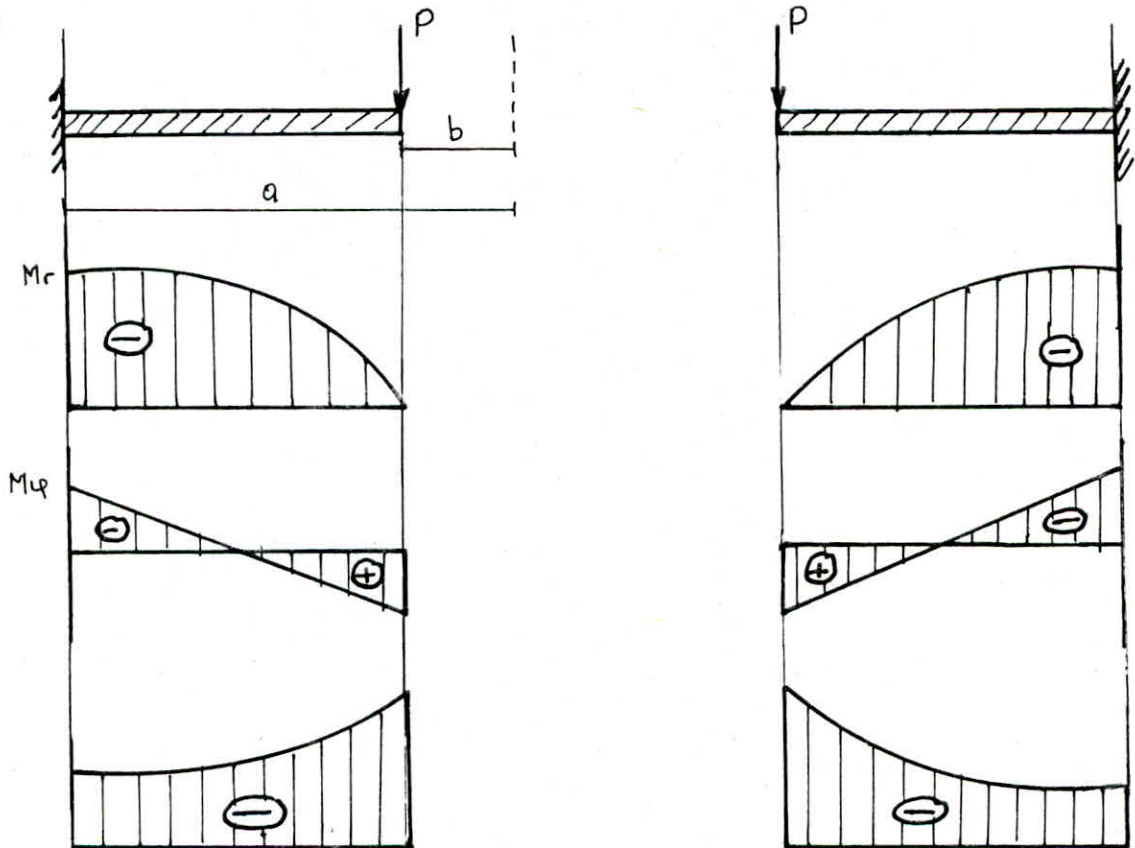
avec

$$k_0 = \frac{(1-\mu)\beta^2 + (1+\mu)(1+4\beta^2 \log \beta)}{(1-\mu) + (1+\mu)\beta^2}$$

$$\varphi = \frac{x}{a}, \quad \beta = \frac{b}{a} \quad \text{pour les sollicitations maximales } x=a.$$

$$\varphi = 1 \quad M_r = 47,32 \text{ t.m/m}, \quad M_\varphi = 53,99 \text{ t.m/m}, \quad T_r = 31,125 \text{ t/m}$$

2<sup>ème</sup> cas



$$w = \frac{P a^3 \beta}{8D} \left[ (1+2k_1)(1-\varphi^2) + 4k_1 \log \varphi + 2\varphi^2 \log \varphi \right]$$

$$T_r = P \cdot \frac{\beta}{\varphi}$$

$$M_r = P \cdot \frac{a\beta}{2} \left[ -1 + (1+\mu)k_1 + (1-\mu)k_1 \frac{1}{\varphi^2} - (1+\mu) \log \varphi \right]$$

$$M_\varphi = P \cdot \frac{a}{2} \beta \left[ -\mu + (1+\mu)k_1 - (1-\mu)k_1 \frac{1}{\varphi^2} - (1+\mu) \log \varphi \right]$$

$$\text{avec } k_1 = \frac{1 + (1+\mu) \log \beta}{1 - \mu + (1+\mu) \beta^2} \cdot \beta^2$$

$$D = \frac{E \cdot h^3}{12(1-\mu^2)}$$

D: rigidité flexionnelle de la dalle  
h: épaisseur de la dalle

les sollicitations max à  $x=a$

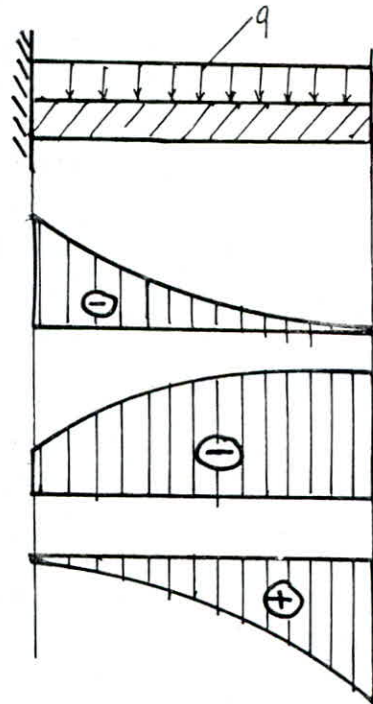
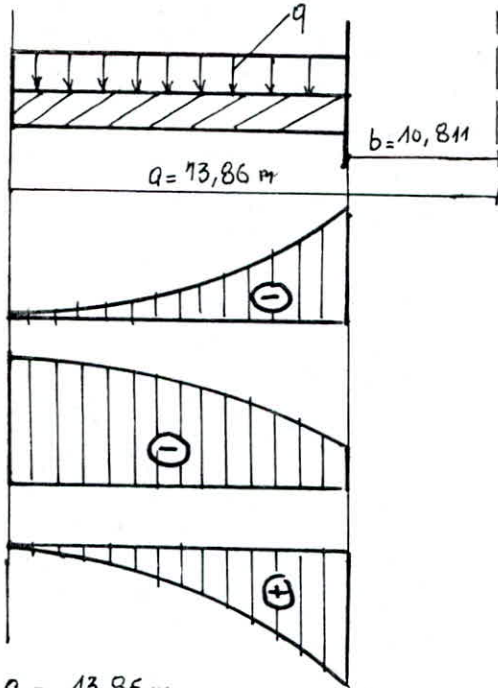
$$M_r = 0,7966 \text{ t.m/ml}, \quad M_\varphi = 0,135 \text{ t.m/ml}, \quad T_r = 0,217 \text{ t/ml}$$

- on superposant les deux diagrammes on aura:

$$\begin{aligned} M_r &= M_{rq} + M_{rp} = 48,12 \text{ t.m/ml} \\ M_\varphi &= M_{\varphi q} + M_{\varphi p} = 54,13 \text{ t.m/ml} \end{aligned}$$

# Dalle annulaire externe

1<sup>er</sup> Cas



$a = 13,85 \text{ m}$   
 $b = 10,811 \text{ m}$   
 $q = 8,55 \text{ t/m}^2$

$$W = \frac{qa^2}{64D} \left[ -\beta^4 + 2(\beta^2 - k_2 - 2)(\beta^2 - \varphi^2) + \varphi^4 - 4k_2\beta^2 \log \frac{\varphi}{\beta} - 8\mu^2 \log \frac{\varphi}{\beta} \right]$$

$$T_r = -q \frac{q}{2} \left( \varphi - \frac{1}{\varphi} \right)$$

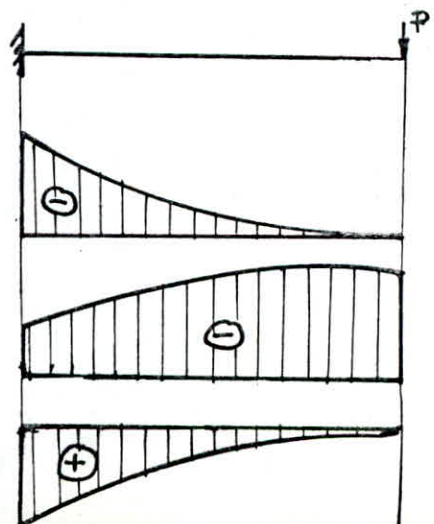
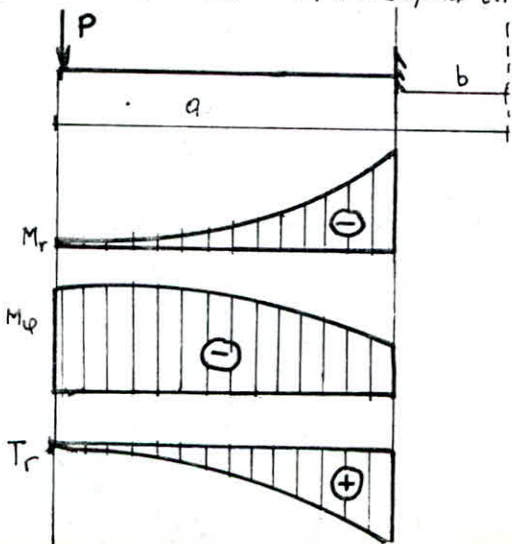
$$M_r = q \frac{a^2}{16} \left[ (1+\mu)(\beta^2 - k_2) + 4\mu - (3+\mu)\varphi^2 - (1-\mu)k_2 \frac{\beta^2}{\varphi^2} + 4(1+\mu) \log \frac{\varphi}{\beta} \right]$$

$$M_\varphi = q \frac{a^2}{16} \left[ (1+\mu)(\beta^2 - k_2) + 4\mu - (1+3\mu)\varphi^2 + (1-\mu)k_2 \frac{\beta^2}{\varphi^2} + 4(1+\mu) \log \frac{\varphi}{\beta} \right]$$

avec  $k_2 = \frac{1+\mu + (1-\mu)(\beta^2 - 4 \log \beta)}{1+\mu + (1-\mu)\beta^2}$

les sollicitations max  $M_r = -81,114 \text{ t.m/ml}$   $M_\varphi = -43,78 \text{ t.m/ml}$ ,  $T_r = -29,75 \text{ t.m/ml}$

2<sup>eme</sup> Cas



$$a = 13,86 \text{ m}$$

$$b = 10,811 \text{ m}$$

$$P = P_p + P_c = 4,96 \text{ t/ml}$$

$$W = P \frac{q^3}{8D} \left[ (1 + 2k_3) (\beta^2 - \varphi^2) + 4k_3 \beta \log \frac{\varphi}{\beta} + 2\varphi^2 \log \frac{\varphi}{\beta} \right]$$

$$T_r = \frac{P}{\varphi}$$

$$M_r = -P \frac{q}{2} \left[ k_3 (1 + \mu) - 1 + (1 - \mu) k_3 \frac{\beta^2}{\varphi^2} - (1 - \mu) \log \frac{\varphi}{\beta} \right]$$

$$M_\varphi = -P \frac{q}{2} \left[ -\mu + (1 + \mu) k_3 - (1 - \mu) k_3 \frac{\beta^2}{\varphi^2} - (1 + \mu) \log \frac{\varphi}{\beta} \right]$$

avec

$$k_3 = \frac{1 - (1 + \mu) \log \beta}{1 + \mu + (1 - \mu) \beta^2}$$

sollicitations max

$$M_r = -11,686 \text{ t.m/ml}, M_\varphi = -5,13 \text{ t.m/ml}; T_r = 6,35 \text{ t/ml}$$

\* On superpose les deux diagrammes on aura :

$$M_r = M_{r_q} + M_{r_p} = 92,80 \text{ t.m/ml}$$

$$M_\varphi = M_{\varphi_q} + M_{\varphi_p} = 48,91 \text{ t.m/ml}$$

## Calcul des aciers

$$\bar{\sigma}_b' = 150 \text{ kg/cm}^2$$

$$h_t = 54 \text{ cm} \Rightarrow h = 49 \text{ cm}$$

$$b = 100 \text{ cm} \quad \text{on choisit les aciers HA25} \rightarrow \bar{\sigma}_a = 1574 \text{ kg/cm}^2$$

$$\alpha = \frac{15 \bar{\sigma}_b'}{15 \bar{\sigma}_b' + \bar{\sigma}_a} = 0,59 \quad \gamma = 1 - \frac{\alpha}{3} = 0,80$$

moment résistant du béton

$$M_{rb} = \frac{1}{2} \alpha \bar{\sigma}_b' b h = 84,99 \text{ t.m}$$

$$\text{Si } M_{rb} > M \Rightarrow A' = 0 \quad \text{et } A = \frac{M}{\gamma h \bar{\sigma}_a}$$

$$\text{Si } M_{rb} < M \Rightarrow A' \neq 0 \quad A = \frac{\Delta M}{(h-d) \bar{\sigma}_a} \quad \text{et } A = \frac{M}{\gamma h \bar{\sigma}_a} + \frac{\Delta M}{(h-d) \bar{\sigma}_a}$$

## Vérification des Contraintes

Soit  $y$  la distance de l'axe neutre de la section à la fibre la plus comprimée.

$$* \text{ le moment statique sera : } S = b \frac{y^2}{2} + n' A' (y - d') - n A (h - y) = 0$$

et on cherche la valeur de  $y$

$$* \text{ moment d'inertie } I = b \frac{y^3}{3} + n' A' (y - d')^2 + n A (h - y)^2$$

$$\bar{\sigma}_b' = \frac{M}{I} \cdot y \quad \text{et} \quad \bar{\sigma}_a = n \frac{M}{I} (h - y)$$

Calcul des aciers et Vérification des contraintes

		A'	A' adopté	A	A adopté	$y_{cm}$	$I_{cm}$	$\sigma'_b$ kg/cm <sup>2</sup>	$\sigma_a$ kg/cm <sup>2</sup>
Dalle interne	$M_r = 48,12 \text{ t.m}$	0	0	77,98	16 HA 25 78,54	24,18	1196993,72	97,21	1436,67
	$M_\varphi = 54,13 \text{ t.m}$	0	0	87,72	18 HA 25 88,36	24,18	1296993,724	109,34	1553,79
Dalle externe	$M_r = 92,80 \text{ t.m}$	5,51	6,03 3 $\phi$ 16	83,08	„	41,59	8235382,39	60,544	1166,27
	$M_\varphi = 48,91 \text{ t.m}$	0	0	79,54	18 HA 25 88,36	24,28	1206194,53	98,45	1503,55

## IV-4 Détermination de la période propre de vibration de l'ouvrage

On se propose de déterminer la période avec une méthode, car il existe une deuxième méthode, celle de RAYLEIGH, mais on se contente de la première qui nous apparaît plus simple :

Formule pour une masse concentrée sur un support de masse non négligeable

(MARIUS - DIVERS)

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{P'h^3}{3.E.I.g}} \quad \text{avec} \quad P' = P + \frac{33}{140} \mu \cdot h.$$

avec

h: hauteur du support comptée de l'encastrement au centre de gravité de la masse oscillante.

I : Moment d'inertie de la section transversale du support.

E : Module d'élasticité instantané.

P : poids de la masse concentrée.

$\mu$  : poids du support par unité de longueur (kg/ml)

Cuve vide

P1

Elements du château	Bras de levier (m)	Poids (t)
Dalle circulaire	$z_1 = 48,70$	3,21
poteaux sous dalle	$z_2 = 47,76$	2,25
ceinture sur coupole	$z_3 = 46,90$	3,0
Coupole de Couverture	$z_4 = 45,59$	132,257
A cratera	$z_5 = 44,09$	7,51
ceinture supérieure	$z_6 = 43,32$	35,925
Cuve	$z_7 = 41,44$	340,636
ceinture inférieure	$z_8 = 38,56$	35,925
Dalle de cuve	$z_9 = 38,46$	478,265

$$\Sigma P_i = 1204,884 \text{ t}$$

$$\Sigma P_i \cdot z_i = 42216,766 \text{ t.m.}$$

$$z_G = \frac{\sum_{i=1}^9 P_i z_i}{\sum_{i=1}^9 P_i} = 35,038 + 2,5 = 37,538 \text{ m}$$

$$\mu = \frac{\pi}{4} (D_e^2 - D_i^2) \rho_b = \frac{\pi}{4} (14,99^2 - 14,29^2) \cdot 2,5 = 40,243 \text{ t/ml}$$

$$I = \frac{\pi}{64} (D_e^4 - D_i^4) = \frac{\pi}{64} (14,99^4 - 14,28^4) = 16,0975 \text{ m}^4$$

$$E_i = 21000 \sqrt{628} = 21000 \sqrt{1,02 \cdot 300} = 367349,969 \text{ kg/cm}^2$$

cuve vide plus la moitie du fût

$$z = \frac{40,243 \cdot \frac{38,19}{2} \cdot (19,095 + \frac{19,095}{2} + (975,948 + 120) \cdot 37,538 + 4 \cdot 24,774 \cdot 32,45}{40,243 \cdot \frac{38,19}{2} + (975,948 + 120) + 4 \cdot 24,774}$$

$$z = \frac{22010,045 + 41139,696 + 3215,66}{768,44 + 1095,948 + 99,096} \longrightarrow z = 33,80 \text{ m}$$

$$P' = P + \frac{33}{140} \rho \cdot h = 1963,484 + \frac{33}{140} \cdot 40,243 \cdot 34,19 \longrightarrow P' = 2284,105 \text{ t}$$

$$T_v = 2\pi \sqrt{\frac{P' \cdot h^3}{3 \cdot E \cdot I \cdot g}} = 2\pi \sqrt{\frac{2284,105 \cdot (33,80)^3}{9,81 \cdot 3 \cdot 367349,969 \cdot 160,975}}$$

$$\longrightarrow T_v = 1,414 \text{ s}$$

cuve pleine plus la moitie du fût

$$z = \frac{2284,105 \cdot 33,80 + 2000 \cdot 37,44}{2284,105 + 2000} \longrightarrow z = 35,49 \text{ m}$$

$$P' = 4284,105 + \frac{33}{140} \cdot 40,243 \cdot 35,49 \longrightarrow P' = 4620,750 \text{ t}$$

$$T_p = 2\pi \sqrt{\frac{4620,750 \cdot (35,49)^3}{9,81 \cdot 3 \cdot 367349,969 \cdot 160,975}} \longrightarrow T_p = 2,164 \text{ s}$$



# IV-5 Action d'ensemble du Vent

L'action d'ensemble du vent est la résultante géométrique  $R$  de toutes les actions  $P$  sur les différentes parois de la construction.

La résultante peut se décomposer suivant deux directions :

- \* direction parallèle à celle du vent : trainée  $T$
- \* direction perpendiculaire du vent : Dérive  $L$

L'effort de trainée est donné par  $T = C_t \cdot \beta \cdot S \cdot q \cdot D_e$

$C_t = C_{t_0} \cdot \gamma_0$  :  $\longrightarrow$  Dépend de l'élanement de la tour et la rugosité de sa surface, il est lié aux efforts, aérodynamiques provoqués par la forme circulaire de la section.

$C_{t_0}$  :  $\longrightarrow$  cylindre rigide à la base circulaire sans nervure.

$\lambda = \frac{z^2}{S_t}$       $h = z$  : hauteur totale de l'ouvrage = 47,73 m  
 $S_t$  : Aire total de la projection verticale de la construction.

## Calcul des sections (Projection Verticale)

Tour      $S_1 = h_t d_t = 38,19 \cdot 14,39 = 572,47 \text{ m}^2$

Cuve      $S_2 = 2\pi r h_c = 2 \cdot 10,631 \cdot 7,04 = 149,684 \text{ m}^2$

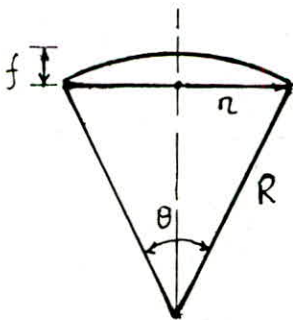
Coupole      $S_3 = \frac{\pi R^2}{360} \theta - \pi(R-f) = 3,14 \cdot \frac{(23,85)^2}{360} \cdot 52,94 - 10,63 (23,85 - 2,5)$   
 $S_3 = 35,69 \text{ m}^2$

$S_t = S_1 + S_2 + S_3 = 757,844 \text{ m}^2$

$\lambda = \frac{47,73^2}{757,844} = 3,006$  (NV65 page 145 R III.10. cat. V)

$\gamma_0 = 1,012$

$C_t = C_{t_0} \cdot \gamma_0 = 0,55 \cdot 1,012 \approx 0,557$



$\beta = (1 + \xi z)$  : coef. de majoration dynamique dépend de la période de résonance liée aux efforts de résonance provoqués par les oscillations de la tour et du niveau considéré.

$\xi$  : coef. de réponse donné en fonction de la période  $T$  du mode fondamental d'oscillation de la structure.

$\tau$ : Coef. de pulsation déterminé à chaque niveau considéré en fonction de sa cote au dessus du sol

$\xi$ : coef. de réduction tenant compte de l'effet des dimensions, il est donné par les règles (NVS page 231) en fonction de hauteur de construction et du niveau pris en considération.

$$\xi = 0,88$$

$D_e$ : diamètre extérieur à la section considérée

$q$ : pression du vent  $q = k_s \cdot q_H$   $q_H = 175 \frac{h+18}{h+60}$

$q_h$ : pression du vent à la hauteur  $h$

$$k_s = 1,30 \text{ (coef. de site regional)}$$

donc  $T = 0,557 \left( 1 + \xi \tau \right) \cdot 0,88 \cdot 1,30 \cdot 175 \cdot \frac{h+18}{h+60} \cdot D_e$

$$T = 111,51 \left( 1 + \xi \tau \right) D_e \cdot \frac{h+18}{h+60}$$

Sous les résultats de calcul des coef, ainsi que les pressions normales ( $q_n$ ) et extrêmes ( $q_e$ ) sont rangés dans le tableau suivant.

$$T_v = 1,414 \text{ p}$$

$$T_p = 2,164 \text{ p}$$

V1

$z$	$C_t$	$\tau$	$\xi_v$	$\xi_p$	$\xi$	$k_s$	$q$	$\beta_v$	$\beta_p$	$q_n$	$q_e$
0,00	0,557	0,360	0,82	1,20	0,88	1,30	52,50	1,295	1,432	68,25	119,44
4,00	"	"	"	1,20	"	"	60,16	"	"	78,21	136,87
8,00	"	"	"	1,20	"	"	66,91	"	"	86,98	152,22
12	"	0,358	"	"	"	"	72,92	1,294	1,430	94,80	165,90
16	"	0,350	"	"	"	"	78,29	1,287	1,42	101,78	178,115
20	"	0,345	"	"	"	"	83,125	1,283	1,414	108,06	189,11
24	0,557	0,340	0,82	"	0,88	1,30	87,50	1,279	1,408	113,75	199,06
28	"	0,334	"	"	"	"	91,48	1,274	1,401	118,924	208,924
32	"	0,328	"	"	"	"	95,11	1,269	1,394	123,64	216,37
36	"	0,321	"	"	"	"	98,44	1,263	1,385	127,97	223,77
38,19	"	0,318	"	"	"	"	100,15	1,261	1,382	130,195	227,84
40	"	0,315	"	1,20	"	"	101,5	1,258	1,378	131,95	230,91
44	"	0,309	"	"	"	"	104,33	1,253	1,371	135,63	237,35
47,73	"	0,304	"	"	"	"	106,77	1,249	1,365	138,80	242,9
-2,5	0,557	0,360	0,82	"	0,88	1,30	57,40	1,295	1,432	74,62	130,59

$$q_n = k_s q_z \longrightarrow \text{pression normale}$$

$$q_e = 1,75 q_n \longrightarrow \text{pression externe.}$$

## Action perpendiculaire a la direction du vent

La force de derive est donné par  $L = C_L \cdot \delta' \cdot \beta' \cdot q_{cr} \cdot D_e \frac{H}{h}$

$C_L = 0,2$  : coef. derive (expérimental) donné par NV65 (p. 288)

$\beta' = \frac{\pi}{\Delta} = \frac{\pi}{0,3} = 10,47$  : coef dynamique, structure en état de résonance (page 288)

$\delta' = 0,8$  : coef. de réduction tenant compte de l'effet de dimension

$z = H = 47,73$  m : côte du niveau considéré compté à partir du sol.

La résonance se produit quand la période des rafales du vent est égale à la période propre de vibration de la structure selon la théorie de "KARMAN"

$$T_k = \frac{D_e}{S \cdot V} \quad (\text{N.V page 287})$$

V: vitesse du vent.

$S = 0,2$  nombre de STROUHAL. donné par NV65 (page 287)

$D_e = 21,26$  m : diamètre extérieur de la tour  $T_k = T \Rightarrow V_{cr} = \frac{D_e}{S \cdot T}$

Les vibrations latérales doivent être compatibles avec le régime laminaire du vent.  $V_{cr} \leq 25$  m/s.

Dans le cas où la vitesse  $V_{cr} > 25$  m/s, les oscillations latérales sont négligeables, où l'incompatibilité entre le régime turbulent et tourbillons de

KARMAN

Réservoir vide	$T = 1,414$ s	$\Rightarrow V_{cr} = \frac{21,26}{0,2 \cdot 1,414} = 75,18 > 25$ m/s
" plein	$T = 2,164$ s	$\Rightarrow V_{cr} = \frac{21,26}{0,2 \cdot 2,164} = 49,12 > 25$ m/s

Remarque : L'augmentation de la vitesse du vent diminue la possibilité de mise en résonance, on a donc admis (NV65) arbitrairement à partir de vitesse de 25 m/s. Il est inutile de faire un calcul à la résonance. pour NV65 : les oscillations latérales sont donc négligeables

$$R = \sqrt{T^2 + L^2} = T$$

les pressions et les forces sont données par le tableau ci-dessous

V2

cote	cuve vide				cuve pleine			
	$q_{rn}$ (daN/m <sup>2</sup> )	$q_{rm}$ (daN/m <sup>2</sup> )	$T_n$ (daN/m)	$T_e$ (daN/m)	$q_{rn}$ (daN/m <sup>2</sup> )	$q_{re}$ (daN/m <sup>2</sup> )	$T_n$ (daN/m)	$T_e$ (daN/m)
0,00	33,325	58,31	499,542	874,067	36,851	64,489	552,396	966,690
4,00	38,187	66,823	572,423	1004,676	42,227	73,897	632,983	1107,716
8,00	42,472	74,326	636,655	1114,147	46,965	82,189	704,005	1232,013
12	46,251	80,933	693,302	1213,186	51,112	89,446	766,169	1340,796
16	49,388	86,429	740,326	1295,571	54,492	95,361	816,835	1429,461
20	52,275	91,481	783,602	1371,300	57,613	100,823	863,619	1511,337
24	54,855	95,996	822,276	1438,98	60,388	105,679	905,216	1584,128
28	57,126	99,971	856,319	1498,565	62,821	109,937	941,687	1647,956
32	59,160	103,53	886,808	1551,915	64,987	113,727	974,155	1704,768
36	60,942	106,649	913,521	1598,669	66,829	118,951	1001,767	1754,095
38,19	61,089	106,906	915,724	1602,253	66,951	117,164	1003,595	1756,288
40	62,587	109,527	1330,772	2328,763	68,557	119,975	1457,659	2550,909
44	64,077	112,138	1362,405	2384,278	70,111	122,694	1490,700	2608,720
47,35	65,366	114,391	1389,812	2432,181	71,437	125,015	1518,893	2658,069
-9,5	36,435	63,761	774,681	1356,686	40,290	70,508	856,646	1499,141

$$\begin{cases} q_{rn} = C_t \cdot \beta_v \cdot S \cdot q \\ q_{re} = 1,75 q_{rn} \end{cases}$$

$$D_2 = 21,262 \text{ m}$$

$$D_3 = 14,99 \text{ m}$$

$$\begin{cases} T_n = q_{rn} \cdot D \\ T_e = q_{re} \cdot D \end{cases}$$

z	cuve vide				cuve pleine			
	effort tranchant		mouvement fléchissant		Effort tranchant		mouvement fléchissant	
	5° Nor.	5° exp.	5° Nor.	5° exp.	5° Nor.	5° exp.	5° Nor.	5° exp.
0,00	37,16	65,03	1182	2069,25	40,82	71,43	1298,42	2272,08
4,00	36,90	64,575	950,96	1664,18	40,53	70,92	1044,62	1827,96
8,00	36,12	63,21	750,62	1313,59	39,68	69,44	824,55	1442,86
12	34,81	60,92	579,32	1013,81	38,24	66,92	636,38	1113,59
16	32,98	57,72	434,97	761,198	36,23	63,40	477,81	836,11
20	30,64	53,62	315,49	552,11	33,66	58,90	346,56	606,44
24	27,76	48,58	218,79	382,88	30,49	53,35	240,34	420,57
28	24,37	42,65	142,78	249,866	26,77	46,84	156,84	274,45
32	20,46	35,81	85,37	149,40	22,48	39,34	93,78	164,10
36	16,02	28,04	44,48	77,84	17,60	30,80	48,86	85,50
38,19	13,37	23,40	28,34	49,60	14,69	25,71	31,13	54,47
40	11,06	19,36	18,02	31,54	12,15	21,26	19,79	34,63
44	5,58	9,77	3,89	6,81	6,12	10,71	4,27	7,47
47,73	0	0	0	0	0	0	0	0
-2,50	38,42	66,72	1240,90	2180,25	41,91	72,74	1381,71	2951,80

## IV-6 Etude Au Seisme

Notre ouvrage sera implanté dans une zone de moyenne sismicité (zone II) cette zone est donc susceptible d'être soumise à d'importantes secousses sismiques pouvant provoquer de désordres dans la construction et parfois la ruine totale, à moins que celle-ci ne soit pas conçue de façon à pouvoir résister aux forces sismiques horizontales agissant sur la structure.

Notre étude consiste donc en la vérification sous les sollicitations d'ensemble de la résistance et la stabilité de la structure afin de justifier la sécurité de la construction vis à vis des efforts sismiques.

Les sollicitations d'origine sismiques peuvent s'évaluer soit :

- Par application à la structure d'un système de forces dont les effets statiques seront considérés engendrent les mêmes efforts sur l'action sismique.
- Par un calcul dynamique direct, et donc disposer de spectres de réponses; ceci dit des graphes donnant directement l'accélération de l'onde sismique en fonction de la fréquence, ceci pour un seisme antérieur.

Ainsi pour nos calculs, on utilisera le premier procédé (ci-dessus) ceci en faisant un calcul statique équivalent.

Soulignons d'une part que les forces sismiques équivalentes données par la méthode statique sont inférieures aux forces réelles qui se produisaient dans la structure élastique sous l'action du seisme extrême.

Notre étude est basée sur les règles parasismiques Algérienne (R.P.A 81)

### Principe de Calcul

Dans la conception du présent règlement, les forces réelles dynamiques se développant dans la construction seront remplacées par un système de forces fictives statiques dont les efforts seront considérés équivalents

aux effets de l'action sismique

Les systèmes équivalents résultants de la Combinaison sont formés :

- D'un système de forces élémentaires horizontales
- D'un système de forces verticales
- D'un système de couple de torsion d'ensemble axiale.

Pour notre cas, les charges sont axiales et symétriques, le couple de torsion n'existe pas, de même que l'action sismique verticale, on doit considérer uniquement la force horizontale V

### Calcul de la force sismique V

La force sismique horizontale totale agissant sur la structure est :

$$V = ABDQW \quad (\text{article 3-1 RPA-81})$$

A: coefficient d'accélération de zones : dépend du groupe d'usage de la structure et de la zone sismique.

Le château d'eau est donc considéré comme un ouvrage important nécessaire aux besoins vitaux (usage I)

$$\left. \begin{array}{l} \text{groupe d'usage I} \\ \text{zone II} \end{array} \right\} A = 0,25$$

D: facteur d'amplification dynamique moyen, sera déterminé d'après le type de sol en fonction de la période "T" de l'ouvrage

Pour un sol ferme  $D = 2 \sqrt{\frac{0,3}{T}}$  (RPA. page 17)

château d'eau vide	$T_v = 1,414 \text{ s}$	$\longrightarrow$	$D = 0,92$
château d'eau plein	$T_p = 2,164 \text{ s}$	$\longrightarrow$	$D = 0,744$

B: facteur de comportement de la structure, dépend de son type et de la nature de ses contreventement.

Ouvrage reposant sur un voile porteur (fût)  $\longrightarrow B = \frac{1}{3}$  (voir RPA page 22)

Q = facteur de qualité du système de contreventement d'une structure donnée

est fonction de l'hyperstaticité et de la surabondance du système en plan, de sa régularité en élévation et de la qualité du contrôle pendant la construction.

$$Q = 1 + \sum_{q=1}^{q=6} P_q.$$

$P_q$ : pénalité dépendant de l'observation

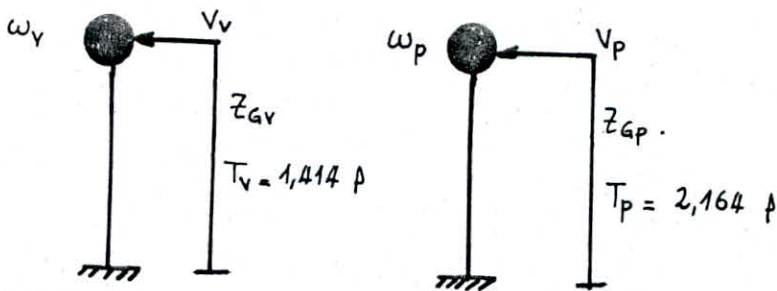
Dans notre cas tous les critères sont observés à savoir :

conditions minimales des files porteuses .....	0,1	
symétrie en plan .....	0,1	
surabondance en plan .....	0	
régularité en élévation .....	0	d'où $Q = 1,3$
contrôle de la qualité du matériau .....	0,1	
contrôle de la qualité de la construction .....	0	

$W$ : poids de la structure, sa valeur comprend la totalité des charges permanentes

$W_v = 1063,34 \text{ t}$	$V_v = 636,57 \text{ t}$
$W_p = 3063,34 \text{ t}$	$V_p = 1481,43 \text{ t}$

La structure va osciller sous l'effet du séisme, ainsi pour la description du comportement physique de cette structure, on a recours à un modèle mathématique qui est caractérisé par les propriétés physiques du système oscillant



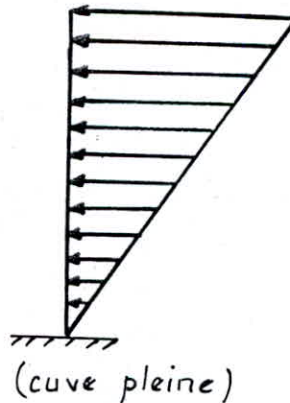
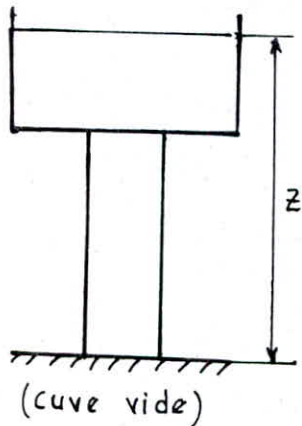
Remarque :

On a considéré toute la masse d'eau liée rigidement à la cuve, on calculera donc l'effort agissant sur la structure. En réalité on aura une partie d'eau qui oscillera par rapport à la cuve, et ceci lors d'une secousse sismique (voir étude hydrodynamique). Ainsi on dimensionnera la structure en considérant le cas le plus défavorable.



Principe de modélisation

Notre structure sera modélisée comme étant une masse concentrée au niveau du centre de gravité de la cuve. Ceci en prenant comme hypothèse que la masse du support ne sera pas négligeable et qui sera uniformément répartie.



Moment fléchissants et efforts Tranchants

$q_v$ (t.m)	$z$	$z$	$M(z)$		$T(z)$		$q_p$ (t.m)
			cuve vide	cuve pleine	Cuve vide	Cuve pleine	
26,673	47,73	0	0	0	0	0	62,075
	42,19	$0 \leq z \leq 5,54$	393,48	915,735	139,2	323,93	
	38,19	$0 \leq z \leq 9,54$	1132,90	2636,57	229,53	533,013	
	36,00	$0 \leq z \leq 13,54$					
	32	$0 \leq z \leq 17,54$	3600,40	8379,67	381,88	888,74	
	28	$0 \leq z \leq 21,54$					
	24	$0 \leq z \leq 25,54$	7147,64	1663,442	498,94	1161,23	
	20	$0 \leq z \leq 29,54$					
	16	$0 \leq z \leq 33,54$	11488,51	2673,676	580,29	1350,48	
	12	$0 \leq z \leq 37,54$					
	8	$0 \leq z \leq 41,54$	16336,9	38020,2	625,845	1456,5	
	4	$0 \leq z \leq 45,54$					
	0,00	$0 \leq z \leq 49,54$	21406,66	4981,886	635,63	1479,25	
	-2,5	$0 \leq z \leq 52,04$	22991,13	5350,64	631,36	1469,34	

## IV-7 Etude de l'effet hydrodynamique de l'eau

Sous l'effet d'une excitation, la structure se met en mouvement. L'eau ne se comporte plus comme une masse rigidement liée à la cuve, mais une partie de l'eau oscille indépendamment de la vibration de la cuve, et ce dans ce cas là où le réservoir est partiellement rempli. Si les vibrations de l'eau oscillante et celle de la partie de l'eau inerte plus la structure sont en phase, cette dernière sera soumise à des efforts supérieurs à ceux trouvés sous l'hypothèse que l'eau et la cuve font un même corps.

### Hypothèse de calcul

- Le liquide sera considéré comme incompressible.
- La dissipation d'énergie due à la viscosité du fluide sera négligée

### Méthode Approchée de calcul d'après HOUZNER

Cette méthode aboutit à des expressions relativement simple. Dans cette modélisation, HOUZNER décompose l'action du liquide en deux Types :

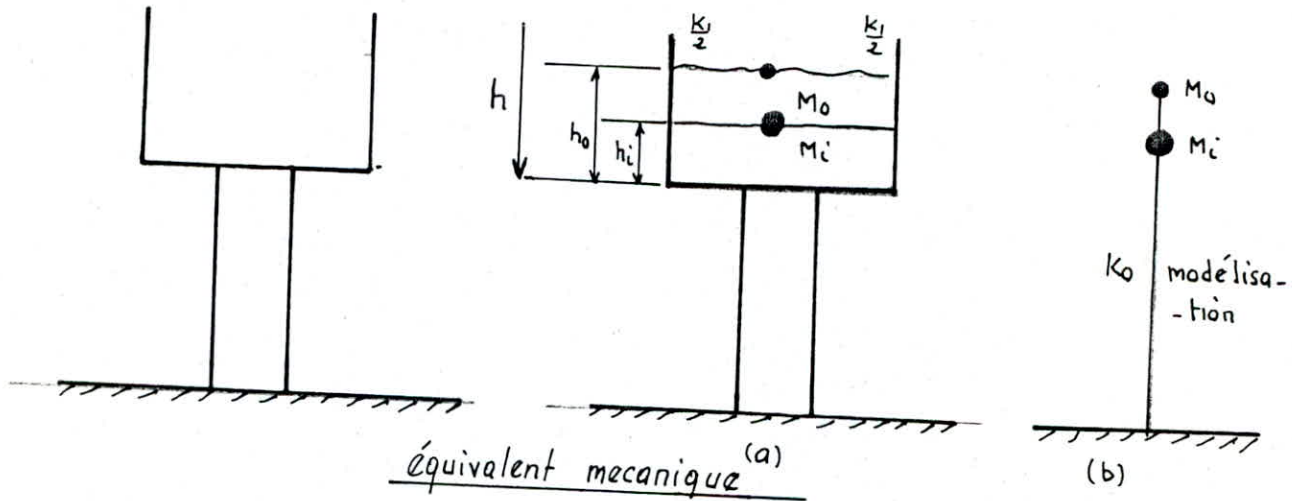
- Une action passive provoquant des efforts d'impulsion.
- Une action active provoquant des efforts d'oscillations.

Les efforts d'impulsion proviennent de ce qu'une partie de la masse du fluide dite "Masse passive", réagit par inertie à la translation des parois du réservoir. Son système mécanique équivalent est obtenu en considérant une masse  $M_i$ , liée rigidement au réservoir à une hauteur  $h_i$  telle qu'elle exerce sur les parois les mêmes efforts horizontaux que la masse d'eau équivalente.

Quant aux efforts d'oscillations, ils proviennent de ce qu'une autre partie de la masse du fluide, dite "MASSE ACTIVE" se met en mouvement d'oscillation sous l'action du séisme, son équilibre mécanique s'obtient en considérant une

une masse  $M_0$  appliquée au niveau  $h_0$

Dans le modèle adopté, la masse  $M_0$  est reliée à la structure par une tige de même raideur  $k_1$  formant un couplage direct avec  $M_i$ , tandis que  $M_i$  est reliée par une tige représentant le support de la structure et de la constante de rappel  $k_0$ . Pour simplifier les calculs, on admettra que la cuve réelle peut être remplacée toujours par une cuve cylindrique.



Le rayon  $R$  du réservoir est déterminé par les expressions suivantes:

$$V = \pi \cdot R^2 \cdot h$$

$$R = \sqrt{\frac{V}{\pi \cdot h}} \quad ; \quad R = \sqrt{\frac{2000}{\pi \cdot 6,5}} \rightarrow R = 9,89 \text{ m}$$

Taux de remplissage  $\rightarrow \frac{6,5}{9,89} = 0,65 < 1,5$

$$W_0 = W_e \frac{th(\sqrt{3} R/h)}{\sqrt{3} \cdot R/h} + M_{res} + M_{fût}$$

$$M_i = 2000 \frac{th(\sqrt{3} \cdot 9,89/6,5)}{(\sqrt{3} \cdot 9,89/6,5)} + (975,948 + 120) + (1536,9 + 75,338 + 12,054)$$

$$M_i = 3290,057 \cdot 10^4 \text{ N}$$

$$h_1 = \frac{3}{8} h = \frac{3}{8} \cdot 6,5 = 2,43 \text{ m}$$

Masse active oscillante

$$W_1 = W_e \cdot 0,318 \frac{R}{h} t \cdot h (1,84 h/R) \rightarrow W_1 = 809,45 \cdot 10^4 \text{ N}$$

$$h_0 = h \left[ 1 - \frac{ch(1,84 h/R - 1)}{1,84 h/R \cdot sh(1,84 h/R)} \right] \rightarrow h_0 = 3,595 \text{ m}$$

## Pulsation de la masse oscillante

$$g = 9,81 \text{ m/s}^2$$

$$\omega_0^2 = 1,84 \text{ g/R th } (1,84 \text{ h/R}) \longrightarrow \omega_0^2 = 1,526 \Rightarrow \boxed{\omega_0 = 1,235 \text{ rd}}$$

Rayon du couple selon  $W_1$  et  $m_1$

$$k_1 = m_1 \omega_0^2 \longrightarrow m_1 = \frac{W_1}{g} \longrightarrow m_1 = 825,127 \cdot 10^3 \text{ N}$$

$$= \frac{809,45 \cdot 10^4}{9,81} \qquad m_0 = 335,378 \cdot 10^4 \text{ N}$$

$$k_1 = 825,127 \cdot 10^3 \cdot 1,526 \longrightarrow k_1 = 1259,68 \cdot 10^3 \text{ N/m}$$

## Raideur du support

$$\boxed{k_0 = \frac{P}{P'} \frac{3 \cdot E \cdot I}{l^3}}$$

avec

$P$ : masse totale du château d'eau

$$P = 975,948 + 2000 = 2975,948 \text{ t}$$

$$P' = 2975,949 + \frac{33}{140} \cdot 40,243 \cdot 38,19 = 3338,212 \text{ t}$$

$$k_0 = \frac{2975,948}{3338,212} \frac{3 \cdot 16,0975 \cdot 367,349 \cdot 10^8}{(40,69)^3} \longrightarrow k_0 = 0,23658 \cdot 10^8 \text{ N/m}$$

## Calcul des pulsations propres $\omega_1, \omega_0$ (du 1<sup>er</sup> et 2<sup>eme</sup> mode de vibration)

$$\omega_{1,2}^2 = \frac{1}{2} \left[ \frac{k_{00}}{m_0} \frac{k_{11}}{m_1} \pm \sqrt{\left( \frac{k_{00}}{m_0} - \frac{k_{11}}{m_1} \right)^2 + 4 \frac{k_{01} \cdot k_{10}}{m_0 \cdot m_1}} \right]$$

avec

$$k_{00} = k_0 + k_1 = (0,23658 + 0,01259) \cdot 10^8 \longrightarrow k_{00} = 0,24917 \cdot 10^8 \text{ N/m}$$

$$k_{11} = k_1 = 0,01259 \cdot 10^8 \text{ N/m}$$

$$k_{01} = k_{10} = -k_1 = -0,01259 \cdot 10^8 \text{ N/m}$$

$$\omega_1 = 1,648 \text{ rd/s} ; \omega_2 = 2,9360 \text{ rd/s}$$

$$T_1 = \frac{2\pi}{\omega_1} = 3,812 \text{ s} ; T_2 = 2,140 \text{ s}$$

## Conclusion

- La période d'oscillation du 1<sup>er</sup> mode fondamentale est très grande, ceci est dû au fait que le mouvement de la masse d'eau active (oscillation est lente) est en phase avec l'oscillation de la structure.

## Taux d'amplitude

$$\phi_{0m} = \frac{-k_{01}/m_0}{\frac{k_{00}}{m_0} - \omega_0^2}$$

$$\phi_{01} = \frac{-125,91/335,378}{\frac{2491,7}{335,378} - (1,648)^2}$$

$$\phi_{01} = -0,07955$$

$$\phi_{02} = +0,31496$$

Facteur de contribution

$$\gamma_{0n} = \frac{m_0 \phi_{0n} + m_1}{m_0 \phi_{0n}^2 + m_2}$$

$$\begin{aligned} \gamma_1 &= 1,31763 \\ \gamma_2 &= -0,2649 \end{aligned}$$

Calcul du déplacement ( 1<sup>er</sup> mode , 2<sup>eme</sup> mode )

1<sup>er</sup> Mode

$$\begin{aligned} X_{11} &= \gamma_1 \frac{S_{v1}}{\omega_1} \\ X_{01} &= \phi_{01} \cdot X_{11} \end{aligned}$$

$S_v$ : valeur de la vitesse maximale donnée par le spectre de (vitesse d'EL - CENTRO 1940). Elle est fonction de la période  $T$  et du coefft d'amortissement.

On admet 0,5%  $\rightarrow$  amortissement critique de vibration de l'eau

$$\begin{aligned} T_1 &= 4,019 \text{ s} \\ \zeta &= 0,5\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S_{v1} &= 0,75 \text{ m/s} \\ X_{11} &= 1,31763 \cdot \frac{0,75}{1,563} \rightarrow X_{11} = 0,2995 \text{ m} \\ X_{01} &= 0,079 \cdot 0,63 \rightarrow X_{01} = -0,0238 \text{ m} \end{aligned}$$

2<sup>eme</sup> Mode

$$\begin{aligned} T_2 &= 2,238 \text{ s} \\ \zeta &= 2\% \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S_{v2} &= 0,695 \text{ m/p} \\ X_{12} &= \frac{\gamma_2 \cdot S_{v2}}{\omega_2} \rightarrow X_{12} = 0,5284 \text{ m} \\ X_{02} &\rightarrow X_{02} = 0,1664 \text{ m} \end{aligned}$$

calcul des forces

1<sup>er</sup> Mode

$$\begin{aligned} F_{11} &= k_{11} \cdot \bar{X}_{11} + k_{10} \cdot \bar{X}_{01} \rightarrow F_{11} = 40,7 \cdot 10^4 \text{ N} \\ F_{01} &= k_{01} \cdot \bar{X}_{11} + k_{00} \cdot \bar{X}_{01} \rightarrow F_{01} = -97,01 \cdot 10^4 \text{ N} \\ F_{1t} &= -56,31 \cdot 10^4 \text{ N} \end{aligned}$$

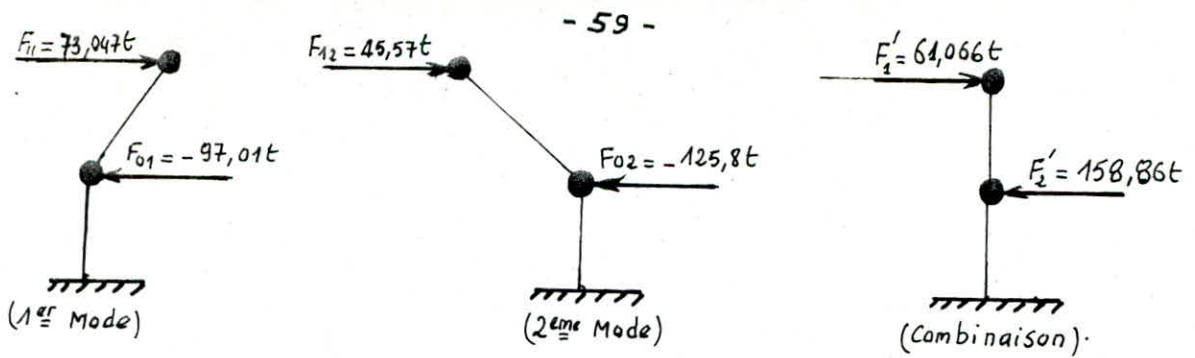
2<sup>eme</sup> Mode

$$\begin{aligned} F_{12} &= k_{11} \cdot \bar{X}_{12} + k_{10} \cdot \bar{X}_{02} \rightarrow F_{12} = 45,57 \cdot 10^4 \text{ N} \\ F_{02} &= k_{01} \cdot \bar{X}_{12} + k_{00} \cdot \bar{X}_{02} \rightarrow F_{02} = -125,8 \cdot 10^4 \text{ N} \\ F_{2t} &= -80,23 \cdot 10^4 \text{ N} \end{aligned}$$

Combinaison des deux modes

La composition des deux modes est obtenue par superposition quadratique des forces.

$$\begin{aligned} F_1' &= \sqrt{F_{11}^2 + F_{12}^2} \rightarrow F_1' = 61,099 \text{ t} \\ F_2' &= \sqrt{F_{01}^2 + F_{02}^2} \rightarrow F_2' = 158,86 \text{ t} \end{aligned}$$



### Effort Tranchant à la base

$$F_{el} = \sqrt{F_1'^2 + F_2'^2} \longrightarrow F_e = 170,204 \cdot 10^4 \text{ N}$$

(F<sub>e</sub>: force élastique)

La force réglementaire est donnée par

$$F_{reg} = B \cdot F_{el} = \frac{1}{3} \cdot 170,204 \cdot 10^4 \longrightarrow F_{reg} = 567,34 \text{ t}$$

$B = \frac{1}{3}$  (dépend de la structure, notre cas structure en voile.)

### Moment fléchissant à la base

$$M = \frac{158,86}{3} \cdot 40,627 + \frac{61,099}{3} \cdot 41,785 \longrightarrow M = 3002,3426 \text{ cm}$$

Remarque : Nous rappelons que dans l'étude sismique, les valeurs trouvées sont plus importantes qu'à celles trouvées dans l'étude hydrodynamique

### Valeurs de T et M dans l'étude sismique

$$T = 1469,34 \text{ t}$$

$$M = 5350,645 \text{ t.m}$$

### L'erreur relative rapportée au calcul

Moment fléchissant  $\frac{M' - M}{M} = \frac{5350,645 - 3002,342}{3002,342} = 70\%$

Effort tranchant  $\frac{T' - T}{T} = \frac{1469,34 - 567,36}{567,36} = 15,8\%$

L'erreur est donc vérifiée

### Calcul de la hauteur maximale des vagues

$$d_{max} = \frac{0,408 R}{\left( \frac{g}{\omega_0^2 \phi_{0n} \cdot R} - 1 \right) \text{th} \left( 1,84 \frac{h}{R} \right)}$$

Au premier mode

On calcule les paramètres  $A_{11}$  et  $\theta_1$

$$A_{11} = X_{11} - X_{01} \longrightarrow A_{11} = 0,5802 \text{ m}$$

$$\theta_1 = 1,53 \frac{A_{11}}{R} \text{th} \left( 1,84 \frac{h}{R} \right) \longrightarrow \theta_1 = 0,07507$$

d'où  $d_{1,max} = 62,7 \text{ cm}$

Au deuxième mode.

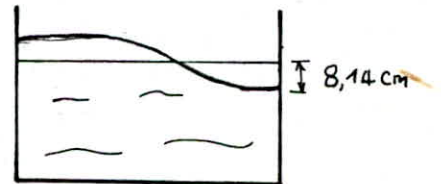
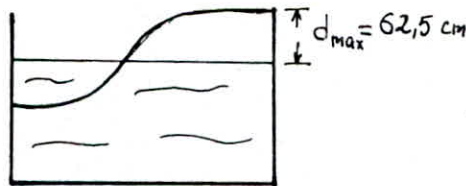
$$A_{12} = \bar{X}_{12} - \bar{X}_{02} \longrightarrow A_{12} = -0,08569 \text{ m}$$

$$\theta_2 = -0,01117$$

$$d_2 = -0,0814 \text{ m}$$

Ainsi la hauteur maximale de la vague pour la combinaison des deux modes sera:

$$d_{\max} = \sqrt{d_{1\max}^2 + d_2^2} \longrightarrow \boxed{d_{\max} = 0,625 \text{ m}}$$



Z	38,19	32,00	24	16	8	0,00	-2,5
T	61,099	139,85	220,6	296,7	394,3	493,2	567,34
M	137,5	222,10	499,6	1037,43	1603,72	2169,092	3002,242

### Conclusion :

D'après l'étude des effets des lois hydrodynamique, on constate que l'on peut négliger l'effet des vagues. Cependant on doit prévoir une certaine hauteur suffisante, ceci pour amortir l'effet des vagues afin d'éviter l'endommagement de la coupôle de couverture dû aux effets du mouvement de l'eau.

- On doit de même se rendre compte que l'action hydrodynamique et son effet engendrent sur la structure portante ( la tour ou fût) des efforts supplémentaires et qui ne sont guères négligeables.

Ceci nous indique une augmentation du taux de travail du béton et de l'acier.

Ces efforts supplémentaires seront tenus en compte en particulier pour des réservoirs de grandes capacités ( $> 1000 \text{ m}^3$ ).

# IV-8 Calcul de la tour

## Combinaisons des efforts

Les vérifications seront faites d'après MARIUS-DIVER (calcul pratique des tours en béton armé), et conformément aux règles BA-68 et RPA 81

1<sup>er</sup> cas : Vérification sous les actions du 1<sup>er</sup> genre :

Les sollicitations dues aux actions d'ensemble à prendre en compte.

$S_1^+ = G + P + V$ $S_1^2 = G + V$ $S_1^3 = G + 1,2P$
--

on doit vérifier que :

$$\sigma'_{bm}(S_1^1, S_1^3) \leq 0,3 \sigma'_{28}$$

$$\sigma_a(S_1^2) \leq \min \left\{ \frac{2}{3} \sigma_{en}, \sigma_2 \text{ (résultat des conditions de fissuration)} \right.$$

## 2<sup>eme</sup> Cas Vérification sous les actions du 2<sup>eme</sup> genre

Les sollicitations à prendre en compte

$$S_2^1 = 1,1G + 1,1P + 1,1W$$

$$S_2^2 = 0,9G + 0,9P + 1,1W$$

$$S_2^3 = G + P + S_I$$

$$S_2^4 = 0,8G \pm S_I$$

la contrainte du béton dans le sens vertical doit vérifier :

$$\left. \begin{matrix} \sigma'_b(S_2^1) \\ \sigma'_b(S_2^3) \end{matrix} \right\} \leq 1,5 (0,3 \cdot \sigma'_{28})$$

la contrainte de l'acier dans le sens vertical doit vérifier :

$$\left. \begin{matrix} \sigma_a(S_2^2) \\ \sigma_a(S_2^4) \end{matrix} \right\} \leq \sigma_{en} = 4200.$$

Nota : L'absence des gaz nocifs diminue les risques de corrosions du béton et de l'acier ce qui permet d'augmenter la valeur des contraintes admissible. Les règles pour les constructions des tours en béton armé qui reprennent dans les grandes lignes les prescription des règles en vigueur B.A, admettent les contraintes suivantes

Béton :	sollicitation	1 <sup>er</sup> genre :	0,4 $\sigma'_{28}$
	"	2 <sup>eme</sup> genre :	0,6 $\sigma'_{28}$



- 02 -

Aciers : sollicitation 1<sup>er</sup> genre  $0,7 \sigma_{en}$  (en fissuration)  
" 2<sup>eme</sup> genre  $\sigma_{en}$

\* Après tout calcul fait, on conclue, que les 2<sup>eme</sup> cas (action du 2<sup>eme</sup> genre) sont les plus défavorables.

$$P = 0,1 \text{ t/m}^2 \cdot s$$

$$S = \frac{\pi}{4} (D_{ex}^2 - D_{int}^2)$$

1<sup>ere</sup> genre (Cuve vide)

T1

z	G + P + V				G + V				G + 1,2P			
	M	N	T	e	M	N	T	e	M	N	T	e
38,19	28,34	977,55	13,37	0,029	28,34	975,94	13,37	0,0290	0	977,87	0	0
32	85,37	1226,65	20,46	0,070	85,37	1225,04	20,46	0,0696	//	1226,97	//	//
24	218,79	1548,6	27,76	0,141	218,79	1546,99	27,76	0,0141	//	1548,92	//	//
16	434,97	1871,64	32,98	0,232	434,97	1870,03	32,98	0,233	//	1871,96	//	//
8	750,62	2192,46	36,12	0,342	750,62	2190,85	36,12	0,343	//	2192,78	//	//
0,00	1182,0	2514,41	37,16	0,470	1182,0	2512,80	37,16	0,470	//	2514,73	//	//
-2,5	1240,90	2615,01	38,42	0,474	1240,90	2613,4	38,42	0,475	//	2615,33	//	//

1<sup>ere</sup> genre : (Cuve pleine)

z	G + V + P				G + V				G + 1,2P			
	M	N	T	e	M	N	T	e	M	N	T	e
38,19	31,31	2977,55	14,69	0,0104	31,13	2975,94	14,69	0,0105	0	2977,87	0	0
32	93,78	3299,5	22,48	0,0284	93,78	3297,89	22,48	0,029	//	3299,82	//	//
24	240,34	3621,43	30,49	0,0663	240,34	3619,83	30,49	0,0664	//	3621,76	//	//
16	477,81	3943,37	36,23	0,121	477,81	3941,76	36,23	0,121	//	3943,69	//	//
8	824,55	4265,31	39,68	0,193	824,55	4263,70	39,68	0,2	//	4265,63	//	//
0,00	1298,42	4587,25	40,82	0,283	1298,42	4585,63	40,82	0,3	//	4587,56	//	//
-2,5	1381,71	4687,85	41,91	0,294	1381,71	4686,24	41,91	0,3	//	4688,17	//	//

-63-

2<sup>eme</sup> genre (cuve vide)

z	0,9G + 0,9P + 1,1W				G + P + S				1,1 (G + P + W)			
	M	N	T	e	M	N	T	e	M	N	T	e
38,19	54,66	879,80	25,74	0,062	113,29	977,55	229,03	0,1158	54,66	1075,31	25,74	0,0508
32	164,34	1103,99	39,39	0,148	360,040	1226,65	381,88	0,293	164,34	1349,32	39,39	0,121
24	311,17	1393,74	53,44	0,223	714,764	1548,6	498,97	0,461	311,17	1703,46	53,44	0,182
16	837,32	1684,48	63,49	0,497	1148,851	1871,64	580,29	0,6138	837,32	2058,81	63,49	0,406
8	1444,95	1973,22	69,53	0,732	1633,69	2192,46	625,845	0,7451	1444,95	2411,73	69,53	0,60
0,00	2276,18	2262,97	71,53	1,006	2140,666	2514,41	635,63	0,851	2276,18	2765,85	71,53	0,82
-2,50	1364,99	2353,51	73,39	0,58	2299,113	2615,01	631,36	0,88	1364,99	2876,51	73,39	0,474

(Cuve vide)

0,8G + S

z	M	N	T	e
38,19	113,29	780,75	229,03	0,1451
32	360,040	980,03	381,88	0,367
24	714,76	1237,59	498,97	0,577
16	1148,851	1496,02	580,29	0,768
8	1633,69	1752,68	625,845	0,932
0,00	2140,66	2010,24	635,63	1,065
-2,50	2299,113	2090,72	631,36	1,09

(Cuve pleine)

0,8G + S

M	N	T	e
263,657	2380,75	533,013	0,1107
837,907	2638,31	888,74	0,317
1663,442	2895,86	1161,23	0,574
2673,676	3153,41	1350,48	0,848
3802,02	3410,96	1456,5	1,115
4981,886	3668,5	1479,25	1,36
5350,634	3748,99	1469,34	1,4272

2<sup>ème</sup> genre : (Cuve pleine)

Z	0,9G + 0,9P + 1,1 W				G + P + S				1,1 (G + P + W)			
	M	N	T	e	M	N	T	e	M	N	T	e
38,19	59,92	2679,8	28,281	0,022	137,5	2977,55	229,03	0,046	59,92	3275,31	28,281	0,0183
32,0	180,50	2903,98	43,274	0,0621	222,1	3299,5	381,88	0,067	180,51	3629,44	43,271	0,0497
24,0	462,63	3193,72	58,68	0,145	499,6	3621,43	498,97	0,138	462,63	3983,58	58,68	0,116
16,0	919,72	3483,5	69,74	0,264	1037,43	3943,37	580,3	0,263	919,72	4337,71	69,74	0,212
8,0	1587,15	3773,22	76,40	0,42	1603,72	4265,31	625,845	0,376	1587,15	4691,84	76,40	0,34
0,00	2499,29	4062,96	78,57	0,615	2169,09	4587,25	635,63	0,473	2499,29	5045,98	78,573	0,495
-2,5	3246,98	4153,5	80,014	1,28	3002,24	4687,85	631,36	0,640	3246,98	5156,64	80,014	0,63

sollicitations du 1<sup>er</sup> genre

côtes	caractéristique de la section		cuve vide						cuve pleine					
			G + P + V		G + V		G + 1,2 P		G + P + V		G + V		G + 1,2 P	
			$\Omega$ (cm <sup>2</sup> )	$I_y$ (cm <sup>3</sup> )	$\sigma'_{b1}$	$\sigma'_{b2}$	$\sigma'_{b1}$	$\sigma'_{b2}$	$\sigma'_{b1}$	$\sigma'_{b2}$	$\sigma'_{b1}$	$\sigma'_{b2}$	$\sigma'_{b1}$	$\sigma'_{b2}$
38,19	160,97.10 <sup>3</sup>	58917.10 <sup>3</sup>	6,073	6,07	6,064	6,062	6,075	6,075	18,5	18,09	18,5	18,48	18,50	18,50
32	//	//	7,62	7,61	6,612	7,6	6,62	7,62	20,5	20,49	20,49	20,48	20,50	20,50
24	//	//	9,65	9,61	9,614	9,6	9,62	9,62	22,501	22,49	22,50	22,48	22,49	22,49
16	//	//	11,64	11,62	11,63	11,61	11,63	11,63	24,505	24,48	24,50	24,47	24,50	24,50
8	//	//	13,64	13,62	13,61	13,6	13,62	13,62	26,511	26,48	26,50	26,47	26,49	26,49
0,00	//	//	15,64	15,60	15,63	15,6	15,62	15,62	28,52	28,48	28,51	28,46	28,49	28,49
-2,5	//	//	16,27	16,22	16,26	16,21	16,25	16,25	29,15	29,09	29,14	29,09	29,13	29,13

- 66 -

## Noyau central d'une section Annulaire : (de faible épaisseur)

$$e_1 = \frac{D_m}{4} = \frac{14,465}{4} = 3,616$$

On en déduit que sous les sollicitations du 1<sup>er</sup> genre soit cuve pleine ou vide, la section sur toute la hauteur de la tour est entièrement comprimée car ( $e < e_1$ )

On en déduit de même que le tableau (T4) nous indique que la contrainte de compression dans le béton est inférieure à la contrainte admissible de compression  $\bar{\sigma}_b$ . Cependant la tour sous les sollicitations du 1<sup>er</sup> genre sera ferroillée d'un pourcentage minimale d'acier et ceci d'après bien sûr les prescriptions du cahier de charges applicable à la construction en béton armé ( ANNALES ITBP Art. 71 )

$$\begin{array}{l} \text{soit :} \\ \text{Sens horizontal} \longrightarrow \Sigma (w_i + w_e) = 0,25\% \\ \text{Sens Vertical} \longrightarrow \Sigma (w_i + w_e) = 0,25\% \end{array}$$

Neanmoins l'effet le plus défavorable est obtenu sous les sollicitations du 2<sup>eme</sup> genre. Ainsi les valeurs d'acier indiquées ci-dessus sont données à titre indicatif seulement. Signalons que dans le cas des sollicitations du 1<sup>er</sup> genre où la section est entièrement comprimée, le calcul de la contrainte maximale dans le béton est donné par la formule utilisée pour les matériaux homogènes

$$\sigma_{b'm} = \frac{N}{\Omega} \pm \frac{M}{W} \quad \text{avec} \quad W = \frac{I}{U}, \quad W = \pi \cdot R_m^2 \cdot h_0, \quad \Omega = 2\pi \cdot R_m \cdot e$$

$\Omega$  : aire de la section annulaire de béton homogène.

$I$  : moment d'inertie de la section annulaire de béton homogénéisée

$R_m$  : Rayon moyen du fût ( $R_m = 14,465 \text{ m}$ )

$h_0$  : épaisseur du fût ( $h_0 = 35 \text{ cm}$ )

Les tableaux ci-après nous donnent les valeurs des contraintes  $\sigma_{b'm}$  et leur vérification vis-à-vis de la contrainte admissible  $\bar{\sigma}_{b'm}$

La section d'acier  $A$  correspondant au pourcentage total d'acier ( $\Sigma w = w_e + w_i = 0,9\%$ )

$$\text{sera de :} \quad A = \frac{\Sigma w \cdot 2\pi \cdot R_m \cdot h_0}{100} \longrightarrow A = 1448,77 \text{ cm}^2$$

avec

$$\begin{cases} \Sigma w = 0,9\% \\ R_m = 7,32 \\ h_0 = 35 \text{ cm} \end{cases}$$

sollicitations du 2<sup>ème</sup> genre

côtes	Caractéristique de la section		cuve vide				cuve pleine			
			1,1 (G + P + W)		0,9 (G + P) + 1,1 W		1,1 (G + P + W)		0,9 (G + P) + 1,1 W	
z (m)	$\Omega$ (cm <sup>2</sup> )	$\frac{I}{V}$ (cm <sup>3</sup> )	$\sigma'_{b_1}$ (kg/cm <sup>2</sup> )	$\sigma'_{b_2}$ (kg/cm <sup>2</sup> )	$\sigma'_{b_1}$	$\sigma'_{b_2}$	$\sigma'_{b_1}$	$\sigma'_{b_2}$	$\sigma'_{b_1}$	$\sigma'_{b_2}$
38,19	160,97 · 10 <sup>3</sup>	58917 · 10 <sup>3</sup>	6,68	6,67	5,47	5,46	20,35	20,34	16,65	16,64
32	"	"	8,39	8,37	6,86	6,85	22,55	22,54	18,04	18,03
24	"	"	10,59	10,57	8,66	8,65	24,76	24,73	19,85	19,83
16	"	"	12,80	12,77	10,48	10,45	26,96	26,93	21,66	21,62
8	"	"	15,01	14,95	12,30	12,23	29,17	29,12	23,47	23,41
0,00	"	"	17,22	17,14	14,10	14,02	31,39	31,30	25,30	25,19
-2,5	"	"	17,90	17,85	14,65	14,59	32,09	31,98	25,86	25,74

## Conclusion en ce qui concerne le ferrailage de la tour

En ce qui concerne les sollicitations du 2<sup>eme</sup> genre données par:  $G+P+S_{Ih}$  et  $0,8G + S_{Ih}$

Si l'on envisage les deux cas, cuve vide et cuve pleine et en examinant les tableaux dressés précédemment, on constatera que la section transversale n'est pas entièrement comprimée sur toute la hauteur de la tour. Cependant les tableaux nous indiquent que pour la majeure totalité des sections considérées, l'excentricité  $e$  due à la force verticale soit du noyau central avec  $e = 3,616$

La section est donc partiellement comprimée ou totalement.

On en conclura donc que le ferrailage de la tour sera déterminée d'après la sollicitation du 2<sup>eme</sup> genre, toutefois on calculera le ferrailage et pour le cas de la cuve vide et pour le cas de la cuve pleine. Cependant c'est le cas de la cuve pleine qui est déterminant pour le ferrailage de la tour

On procédera d'après "MARIUS-DINER".

### Principe

On déterminera l'excentricité relative

$$a = \frac{M}{NR_m}$$

avec  $M$ : moment fléchissant d'ensemble  
 $N$ : effort Normal  
 $R_m$ : Rayon moyen du fût  
 $a$ : excentricité relative

On se donne  $\Sigma \omega = \omega_e + \omega_i$

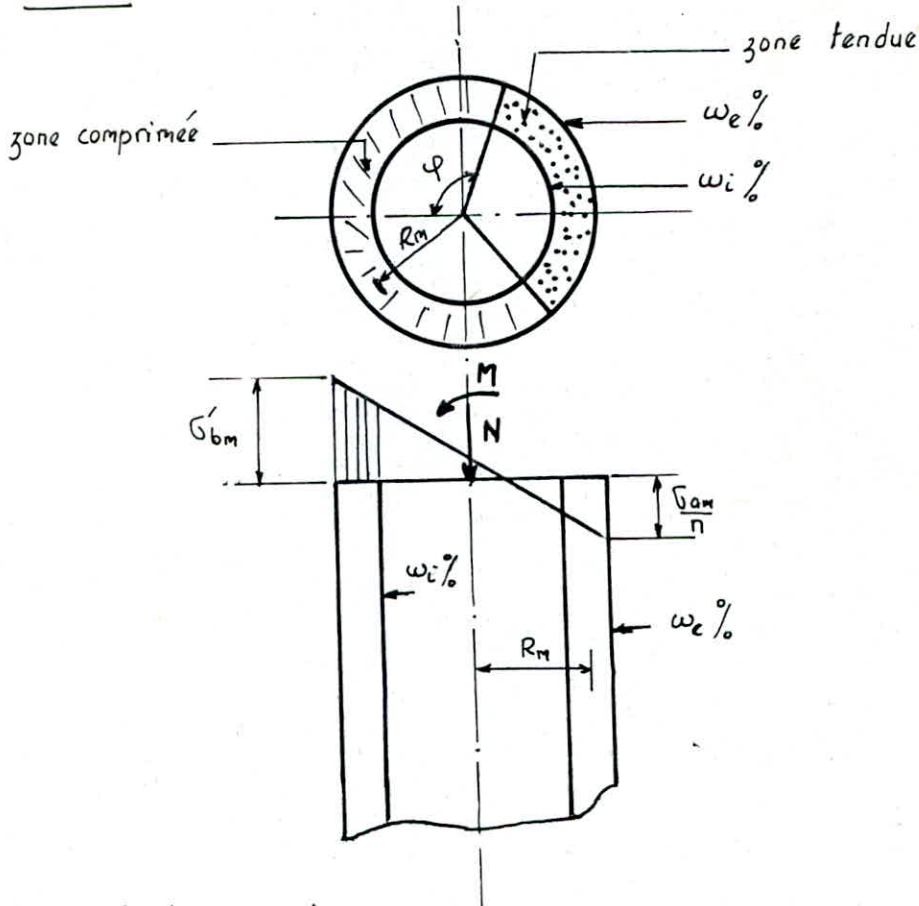
On tire du tableau C7 cas de charge A (dite sollicitation d'ensemble) dans le sens vertical

données  $\longrightarrow \varphi, b, s$

Il en résulte

$$\sigma'_{bm} = \frac{N \cdot b}{R_m \cdot h_0}$$
$$\sigma_{am} = n \cdot s \cdot \sigma'_{bm}$$

schéma



Calcul de Ae et Ai

On calculera la section A correspondant au pourcentage total d'acier ( $\Sigma \omega = \omega_e + \omega_i$ ) d'après la formule suivante

$$A = \frac{\Sigma \omega \cdot 2\pi \cdot R_m \cdot h_0}{100}$$

Avec  $R_m = 7,32 \text{ m}$   
 $h_0 = 35 \text{ cm}$

Voir tableau

Ferraillage dans le sens transversal

L'effort tranchant produisant des cisaillements d'après MARIUS - DIVER

$$\tau_b = H \cdot (bz) = \frac{H}{1,6 D_M \cdot h_0} \quad (\text{avec } z \approx 0,8 D_M)$$

avec b: largeur soumise au cisaillement du béton

$$b = 2h_0$$

Le béton étant fissuré à 45° sous l'effet du cisaillement, ainsi l'équilibre sera



sollicitations du 2<sup>eme</sup> genre

(cuve vide)

Côtes	P + G + S <sub>th</sub>								0,8 G + S <sub>th</sub>								
	z(m)	e(m)	a	ΣW%	b	φ°	S	σ <sub>b</sub> '	σ <sub>an</sub>	e(m)	a	ΣW%	b	φ°	S	σ <sub>b</sub> '	σ <sub>an</sub>
38,19	0,1158	0,158	0,25	-	-	-	-	-	-	0,1451	0,2	0,25	-	-	-	-	-
32	0,293	0,400	"	-	-	-	-	-	-	0,367	0,501	"	0,305	176	0,001	31,82	0,4773
24	0,461	0,638	"	0,356	130	0,217	21,52	70,05	0,577	0,79	"	0,468	96	0,811	52,9	643,53	
16	0,6138	0,84	"	0,512	88	1,072	43,635	701,65	0,768	1,05	"	0,699	68	2,198	86,035	2836,6	
8	0,7451	1,02	"	0,672	70	2,040	57,507	1759,71	0,932	1,3	"	0,959	56	3,537	127,68	6774,06	
0,00	0,851	1,162	"	0,802	62	2,769	78,71	3269,22	1,065	1,455	0,40	0,9	62	2,769	128,9	5353,86	
-2,5	0,88	1,202	"	0,846	60	3,00	86,35	3885,75	1,09	1,50	0,50	0,87	66	2,371	127,3	4527,42	

sollicitations du 2<sup>eme</sup> genre

(cuve pleine)

Côtes	G + P + S <sub>th</sub>								0,8 G + S <sub>th</sub>								
	z(m)	e(m)	a	ΣW%	b	φ°	S	σ <sub>b</sub> '	σ <sub>an</sub>	e(m)	a	ΣW%	b	φ°	S	σ <sub>b</sub> '	σ <sub>an</sub>
38,19	0,046	0,0062	0,25	-	-	-	-	-	-	0,1107	0,151	0,25	-	-	-	-	-
32	0,067	0,009	"	-	-	-	-	-	-	0,317	0,433	"	-	-	-	-	-
24	0,138	0,018	"	-	-	-	-	-	-	0,574	0,784	"	0,457	98	0,756	51,65	585,71
16	0,263	0,038	"	-	-	-	-	-	-	0,848	1,16	"	0,802	62	2,769	98,71	4099,92
8	0,376	0,051	"	-	-	-	-	-	-	1,115	1,52	0,30	0,993	58	3,254	132,2	6452,7
0,00	0,473	0,065	"	-	-	-	-	-	-	1,36	1,86	0,80	0,92	68	2,198	131,73	4343,14
-2,50	0,64	0,087	"	-	-	-	-	-	-	1,427	1,95	1,20	0,89	72	1,894	130,23	3699,83

assuré par les bielles comprimées à 45° de même par les armatures transversales.

Cependant il en résultera une traction dans les cerces. Cette contrainte de traction est

donc

$$\sigma_{am} = \frac{100 \cdot H}{1,6 \cdot D_m \cdot \sum w \cdot h_0}$$

Elle est due à l'effort tranchant le plus important.

Dans notre cas, on constate que l'effort tranchant le plus important est dû au seisme, cas de la cuve pleine (solicitation d'ensemble du 2<sup>ème</sup> genre → 0,8G + S

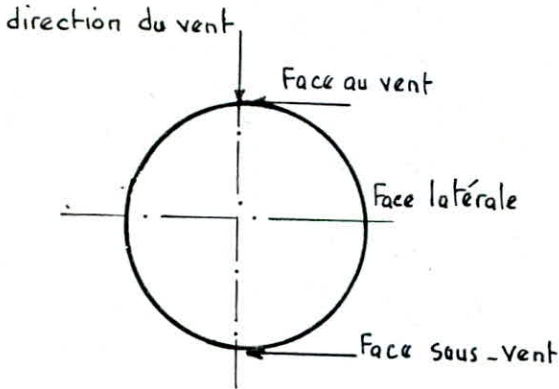


Fig: Etude du Ferrailage horizontal (Annulaire)

Ainsi le ferrailage en cerce se fera donc en conséquence  $H = T = 1469,34 \text{ t}$ .

Rappelons que dans le cas des sollicitations du 2<sup>ème</sup> genre, l'effort tranchant sera majoré de 1,925 (d'après M. DIVER) donc on aura  $1469,34 \cdot 1,925 \rightarrow H = 2828,5 \text{ t}$

$$\sum w = w_e + w_i = 0,9 \%$$

Ainsi la contrainte de traction dans les cerces sera de:  $\sigma_{am} = 3825,56 \text{ kg/cm}^2 < 4200 \text{ kg/cm}^2$

La section d'acier nécessaire sera donc  $A = w \cdot h_0 = 0,9 \cdot 35 = 31,5 \text{ cm}^2/\text{m.l}$

$$A_i = A_e = \frac{31,5}{2} = 15,75 \text{ cm}^2/\text{ml}$$

On pourrait prendre ce type de ferrailage sur toute la hauteur de la tour (4x4 T12/ml)

avec un espacement  $t = 20 \text{ cm}$ , la longueur de recouvrement  $l_r = 50 \phi_{\text{max}} = 50 \cdot 1,2$   
 $l_r = 60 \text{ cm}$

Conclusion :

Le ferrailage de la tour en ce qui concerne les armatures dans le sans verticale sera déduit d'après le cas le plus défavorable des sollicitations d'ensemble qui est 0,8G + S correspondant à la cuve pleine.

Z (m)	$w_e$ ‰	$w_i$ ‰	$A_e$ (cm <sup>2</sup> )	$A_i$ (cm <sup>2</sup> )	$A_e$ adopté	$A_i$ adopté
38.19	0.125	0.125	201.22	201.22	90HA20	90HA20
32.00	"	"	"	"	"	"
24.00	"	"	"	"	"	"
16.00	"	"	"	"	"	"
8.00	0.15	0.15	241.46	241.46	"	"
0.00	0.40	0.40	643.9	643.9	90HA32	90HA32
-2.5	0.6	0.6	965.85	965.85	90HA40	90HA40

Remarque

L'effet du moment d'ovaliation est d'une faible importance sur notre ouvrage du faite que ce dernier est constitué d'un grand diamètre de la cuve et de la tour

## IV-9 Fondation

Pour une tour en voile mince, la semelle continue est le type le moins coûteux, mais étant donné que la fondation sera dimensionnée par les sollicitations maximales de toutes les combinaisons d'effort, on a  $M_{max} = 5350,34 \text{ t.m}$ ,  $N_{max} = 4688,17 \text{ t}$

$$D_{moyt} = 14,64 \text{ m.}$$

### Calcul de la charge à transmettre au sol par metre linéaire

$$P = \frac{N}{l} = \frac{N}{\pi D_m} \implies P = 101,98 \text{ t/ml}$$

on donne  $D_f = 24,0 \text{ m}$ ,  $e = 1,0 \text{ m}$ ,  $h_f = 2,5 \text{ m}$ .

### Vérification des contraintes dues à ces sollicitations (cas le plus défavorable)

$$\sigma = \frac{N}{S} \pm \frac{M \cdot v}{I} = \frac{N}{S} + \frac{M}{\omega}$$

$$S = \pi \cdot \frac{D_f^3}{4} = 452,16 \text{ m}^3, \quad \omega = \frac{\pi}{36} D_f^3 = 1356,48 \text{ m}^3$$

$$\sigma_1 = \frac{4688,17 \cdot 10^3}{452,16 \cdot 10^4} + \frac{5350,34 \cdot 10^5}{1256,48 \cdot 10^6} = 1,43 \text{ kg/cm}^2 < \sigma_s = 3,5 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma_2 = \frac{4688,17 \cdot 10^3}{452,16 \cdot 10^4} - \frac{5350,34 \cdot 10^5}{1356,48 \cdot 10^6} = 0,641 \text{ kg/cm}^2 < \sigma_s$$

### Vérification de la rigidité

$$\delta < 2h_f \quad \delta = 4,51 \text{ m}$$

$$\delta < 2 \cdot 2,5 = 5 \text{ m}$$

Vérification au non poinçonnement : On doit vérifier que  $\frac{1,5N}{P \cdot h_t} \leq 1,2 \bar{\sigma}_b$  ( $\bar{\sigma}_b = 6,25 \text{ bar}$ )

$$\implies 5,26 \leq 7,5 \text{ kg/cm}^2$$

### Calcul des aciers

L'effort dans les armatures :  $F = \frac{P(B-b)}{B(h_f-d)}$

d'où  $A = \frac{F}{\bar{\sigma}_a} = \frac{P(B-b)}{B(h_f-d)\bar{\sigma}_a} = 43,92 \text{ cm}^2 \implies A = 14 \text{ HA20}$  espacé de 20 cm

$$\bar{\sigma}_a = \frac{P(B-b)}{8A(h_f-d)} = 1438,09 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a = 1470 \text{ kg/cm}^2$$

- donc la contrainte adoptée  $\bar{\sigma}_a = 1438,09 \text{ kg/cm}^2$  est admissible, compte tenu des risques de fissuration.

- Pour les armatures de répartition on prend le  $\frac{1}{4}$  des armatures longitudinales

$$A_1 = \frac{43,98}{4} = 10,995 \text{ cm}^2 \implies 5\phi 16 = 12,06 \text{ cm}^2 \text{ espacé de } 16,6 \text{ cm}$$

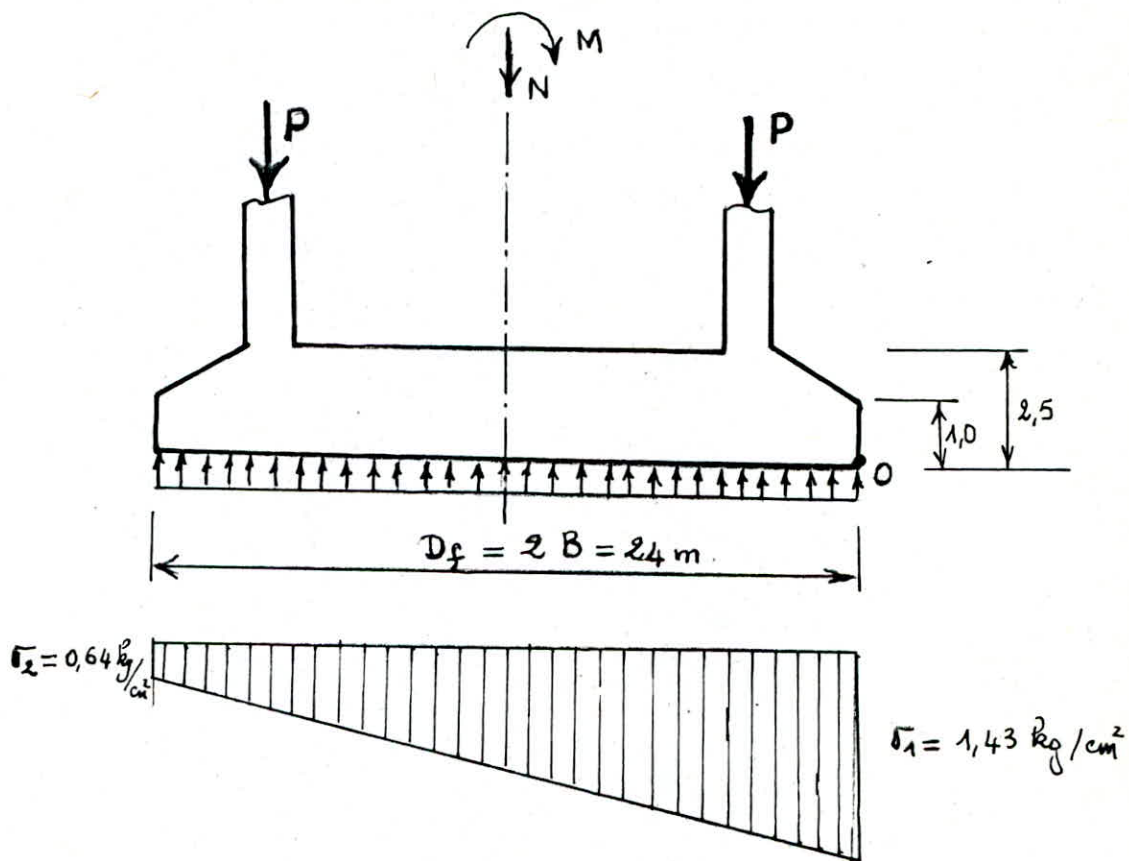


Schéma de fondation et  
épure de la capacité portante  
du sol de fondation.

## Conclusion

En conclusion, on peut dire qu'un projet de fin d'étude est une synthèse de toutes connaissances acquises le long de la scolarité, une mise en évidence et en application de celles-ci à un cas spécifique. C'est aussi le passage du cycle académique (Théorie) au cycle pratique.

On a appliqué ces connaissances à un château d'eau qui est considéré comme un ouvrage d'art dont le principal objectif a été de calculer les éléments résistants. Malgré les diverses difficultés rencontrées le long de notre travail qui nous ont amené soit à reconcevoir partiellement le projet, à ajouter ou modifier certains éléments indispensables. Nous avons constaté deux éléments importants :

Le phénomène hydrodynamique a des effets non négligeables sur la structure qu'il faut le prendre en compte dans les calculs pour les réservoir ou château d'eau de grande capacité. Il est souhaitable de faire une étude plus poussée sur ce phénomène.

Le choix de la fondation nous a conduit à prévoir un radier au lieu d'une semelle annulaire même si les dimensions paraissent énormes, donc ce choix est judicieux, on peut solutionner ce choix par un radier à caissons si celui-ci s'avère économique.

A) Programme de la TI59 : Formule de Coolbrook pour le calcul du réseau maillé :

LRN 2nd LBL A 2nd st Flg 8 RCL 03 ÷ RCL 00 = 2nd log x 2 +/- + 1,14 =  $x^2 \frac{1}{x}$  STO 05 2nd LBL = 2,51 x RCL 00 x 2nd  $\pi$  x RCL 04 ÷ 4 ÷ RCL 01 2nd |x| ÷ RCL 05  $\sqrt{x}$  + RCL 03 ÷ 3,7 ÷ RCL 00 = 2nd log x 2 +/- =  $x^2 \frac{1}{x}$  STO 06 - RCL 05 = 2nd |x| INV 2nd  $x \gg t$   $x^2$  RCL 06 STO 05 GTO = 2nd LBL  $x^2$  RCL 06 x 8 x RCL 01  $x^2$  ÷ 2nd  $\pi$   $x^2$  ÷ 9,8 ÷ RCL 00  $y^{x 5}$  = STO 07 R/S x RCL 02 = STO 08 SUM 09 R/S ÷ RCL 01 = STO 10 SUM 11 R/S 2nd LBL B RCL 09 R/S ÷ RCL 11 R/S ÷ 2 = +/- STO 12 RCL 09 +/- SUM 09 RCL 11 +/- SUM 11 RCL 12 R/S LRN.

• Stockage des données: D → STO 00.

Φ → " 01

L<sub>g</sub> → " 02

E → " 03

Y → " 04

Precision:  $10^{-5} x \gg t$

• Resultats: A → J<sub>i</sub>  
R/S → ΔH<sub>i</sub>  
R/S → ΔH<sub>i</sub>/Φ<sub>i</sub>

B → Σ ΔH<sub>i</sub>

R/S → Σ ΔH<sub>i</sub>

R/S →  $-\frac{\Sigma \Delta H_i}{\Sigma \frac{\Delta H_i}{\Phi_i}} = \Delta \Phi_0$

B) le programme qui permet de calculer le Reynolds, le gradient de perte charge, les p.d.c et le coefficient:

LRN LBL A 1.14 - 0,86 x (RCL 01 ÷ RCL 02) STO 07 Ln x =  $x^2 \frac{1}{x}$  STO 05 STO 08 RCL 03 x RCL 02 ÷ RCL 00 = STO 06 R/S 2nd LBL B (RCL 07 ÷ 3,7 + 2,51 ÷ RCL 06 ÷ RCL 08  $\sqrt{x}$ ) Ln x x 0,86 =  $x^2 \frac{1}{x}$  STO 09 - RCL 08 = 2nd |x| INV 2nd  $x \gg t$  RCL 09 STO 08 GTO B 2nd LBL RCL RCL 09 x RCL 03  $x^2$  ÷ 19,6 ÷ RCL 02 = STO 10 R/S 2nd LBL C RCL 10 x RCL 04 = STO 11 R/S 2nd LBL D RCL 11 x 0,15 = STO 12 R/S 2nd LBL E RCL 12 + RCL 11 = R/S LRN

• Stockage des données:

Y → STO 00

E → " 01

D → " 02

V → " 03

L<sub>g</sub> → " 04

$x \gg t$   $10^{-4}$

Resultats:

A → Re

B → J

C → ΔH<sub>L</sub>

D → ΔH<sub>s</sub>

E → ΔH<sub>T</sub>

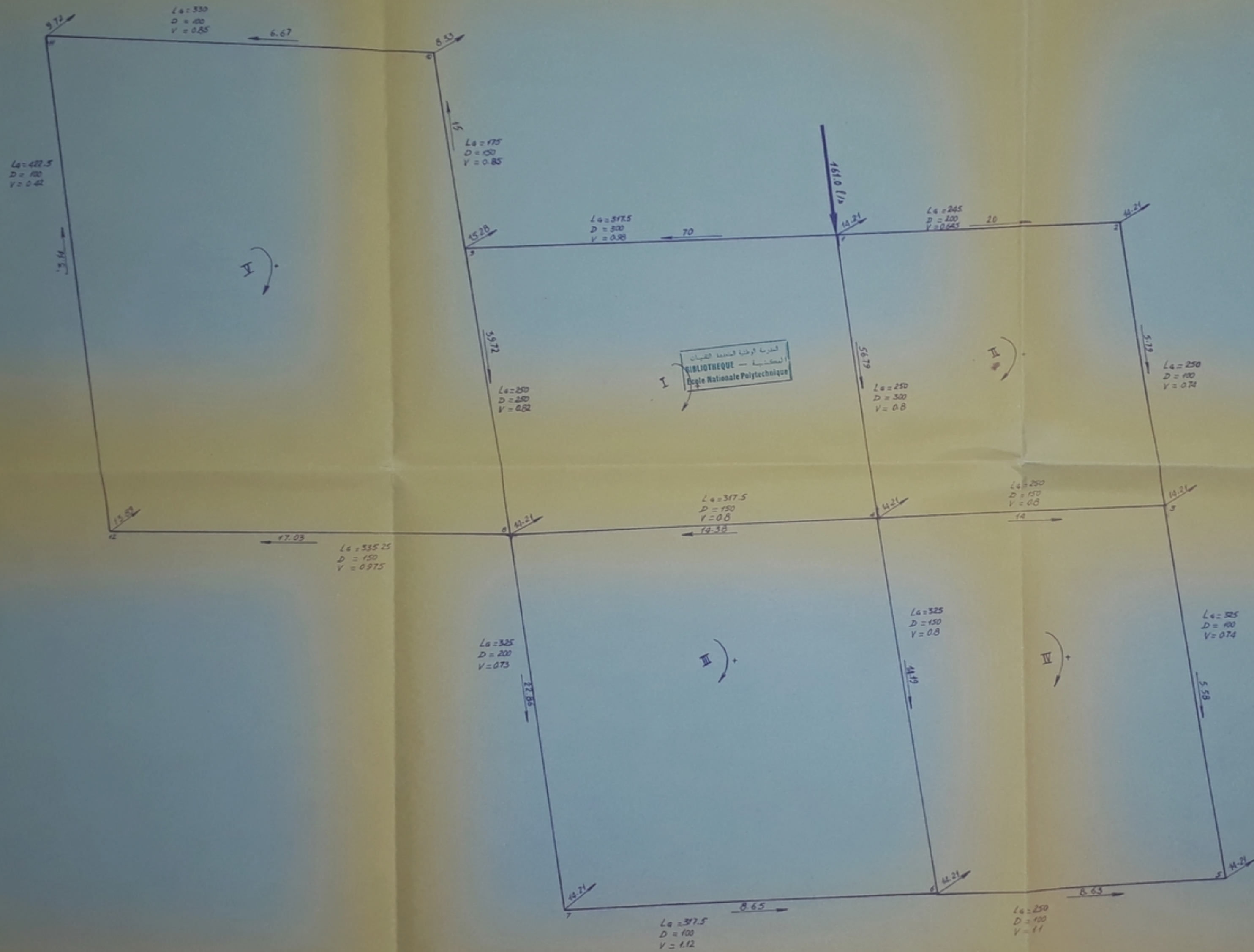
RCL 05 → f<sub>Nik</sub>

RCL 09 → f<sub>co</sub>.

# BIBLIOGRAPHIE

- [1] A. DUPONT  
"Hydraulique Urbaine tome II"
- [2] A. GUERRIN  
"Traité en béton armé tome VI"
- [3] TIMOSHENKO  
"Théorie des plaques et coques"
- [4] R. BARES  
"Calcul pratique des tours en Béton armé"
- [5] P. CHARRON  
"calcul et vérification des ouvrages en Béton armé"
- [6] M. JACOBSON  
"Technique des travaux tome I"
- [7] RILI - SALHI  
"Conception et calcul des structures soumises aux séisme"
- [8] "Annales de L'I.T.B.T.P N° 306 Juin 1973"
- [9] "Annales de L'I.T.B.T.P N° 280 Avril 1971"
- [10] Regles C.C.B.A 68  
R.P.A 81  
N.V 65

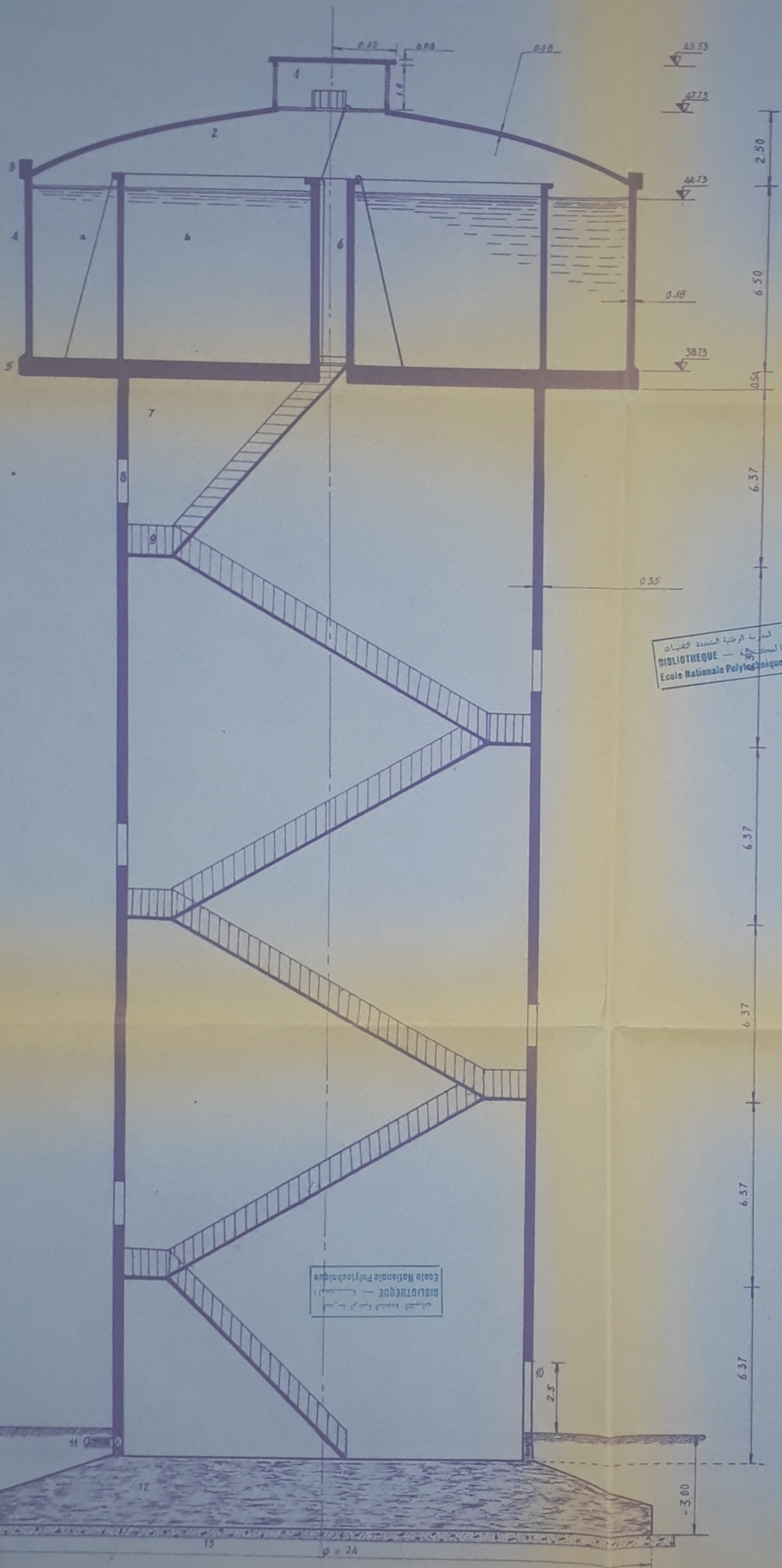




PH 03696  
- 1 -

المركز الوطني للتكنولوجيا  
BIBLIOTHEQUE - المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE		
ETUDE TECHNIQUE D'UN CHATEAU D'EAU (2000 m <sup>3</sup> )		
RESEAU MAILLE <small>(+ = (mm))        (D = (mm))        (V = (m/s))</small>		
ETUDIE PAR A. HADJAM A. BOUMALI	PLANCHE N° 1	ECHELLE : HORIZONTELE VERTELE
DIRIGE PAR : M <sup>r</sup> FARKAS	PROPOSE PAR M <sup>r</sup> FARKAS	PROMOTION JUN 86



PH 03686  
- 2 -

ANNEXES

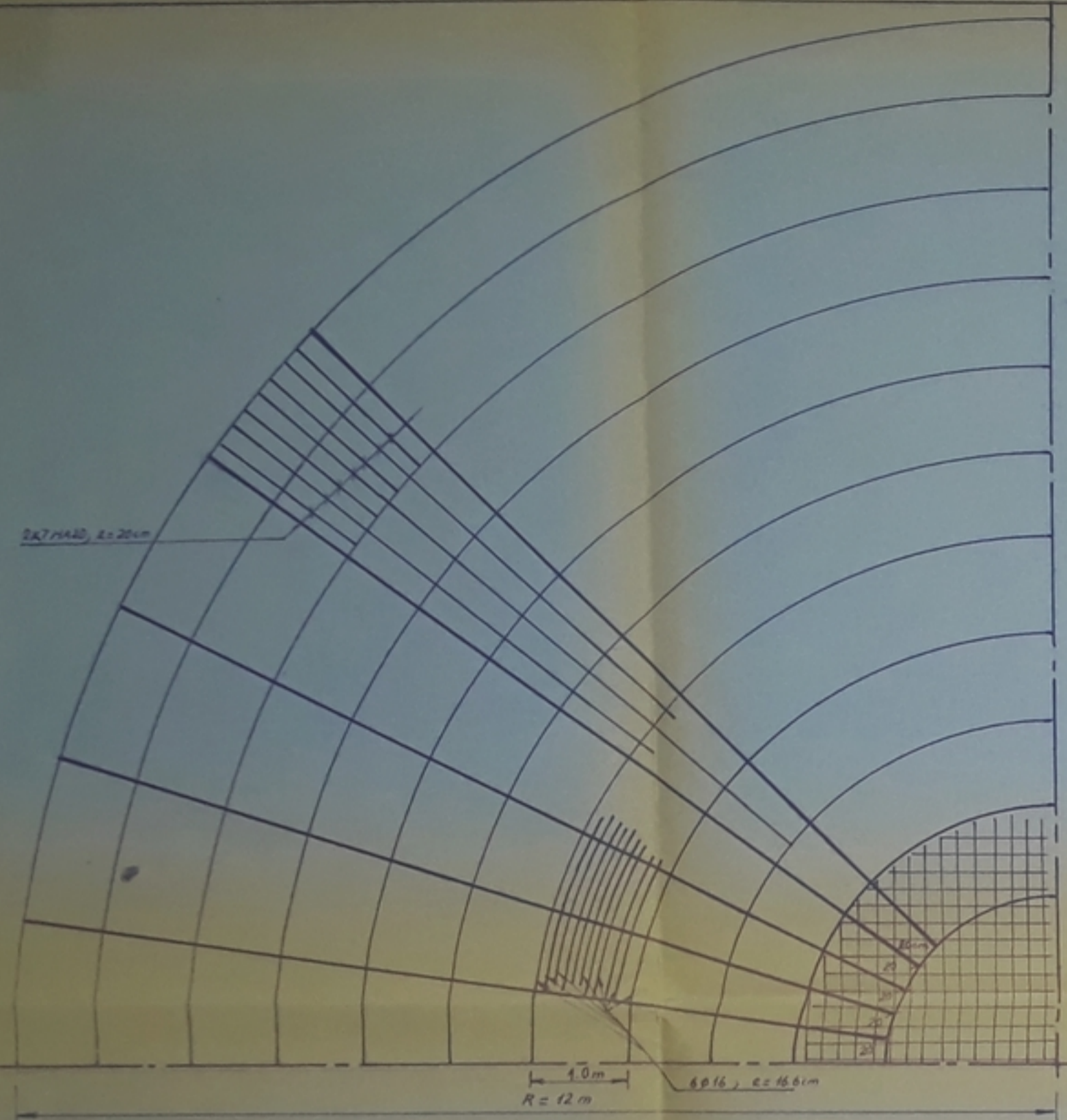
- 1. LANTERNEAU (DALLE CIRCULAIRE + 8 POUTRES SCELLAGES)
- 2. COUPOLE
- 3. CEINTURE SUPERIEURE + ACROTERE
- 4. CUVE (a+b)
- 5. CEINTURE INFERIEURE
- 6. ACCES
- 7. FÛT
- 8. FENETRE
- 9. DALLE DE REPOS + ECHELLES METALLIQUES
- 10. PORTE DE VISITE
- 11. CONDUITE POUR ALIMENTATION DU RESERVOIR
- 12. FONDATION
- 13. BETON DE PROPRIETE

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

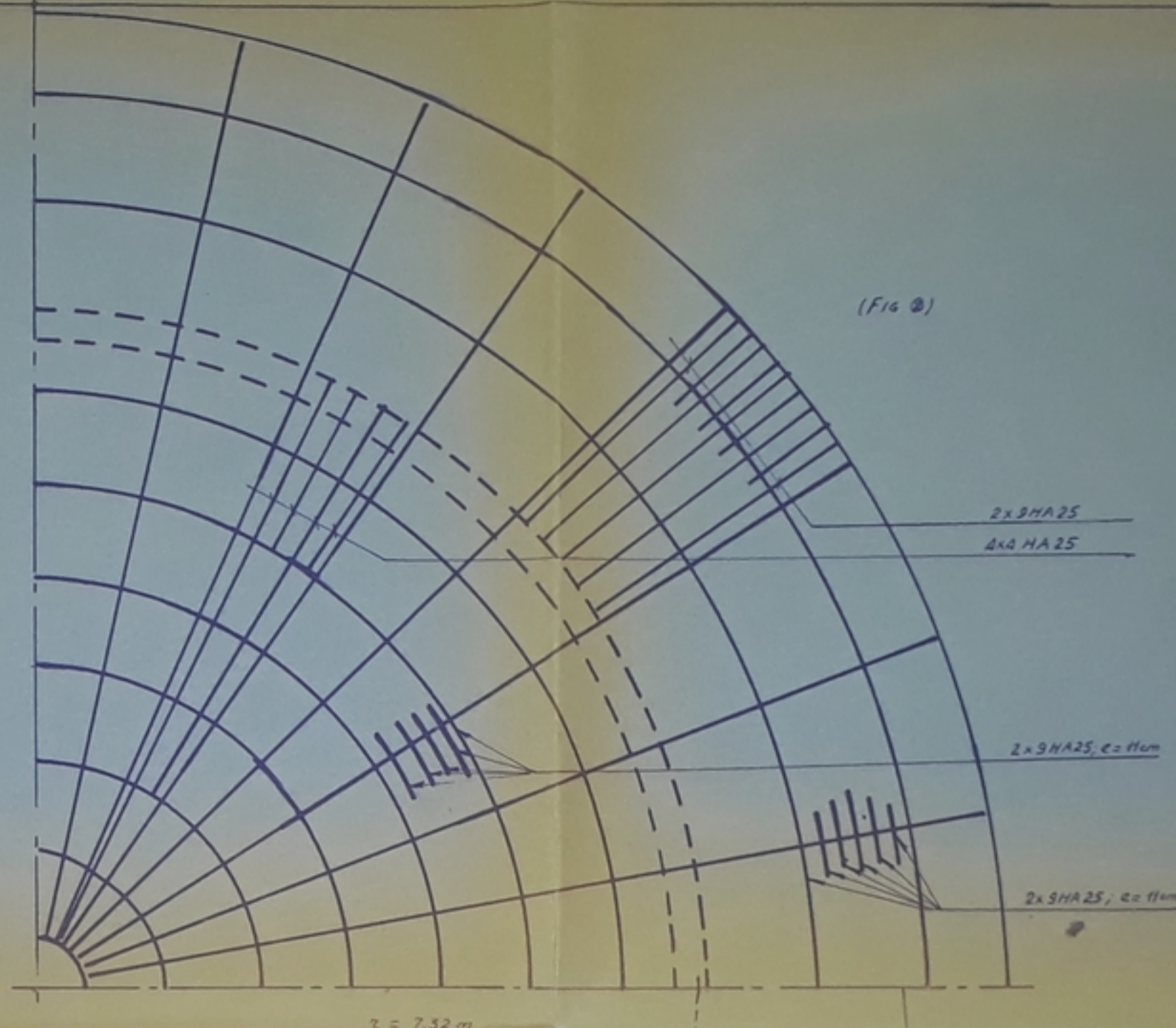
المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE		
ETUDE TECHNIQUE D'UN CHATEAU D'EAU (2000 m <sup>3</sup> )		
VUE D'ENSEMBLE DE L'OUVRAGE		
ETUDIE PAR A. HADJAM A. BOUMALI	PLANCHE N° 2	ECHELLE : HORIZ: 1cm = 10m VERT: 1cm = 10m
DIRIGE PAR : M <sup>re</sup> FARKAS	PROPOSE PAR M <sup>re</sup> FARKAS	PROMOTION JUN 86

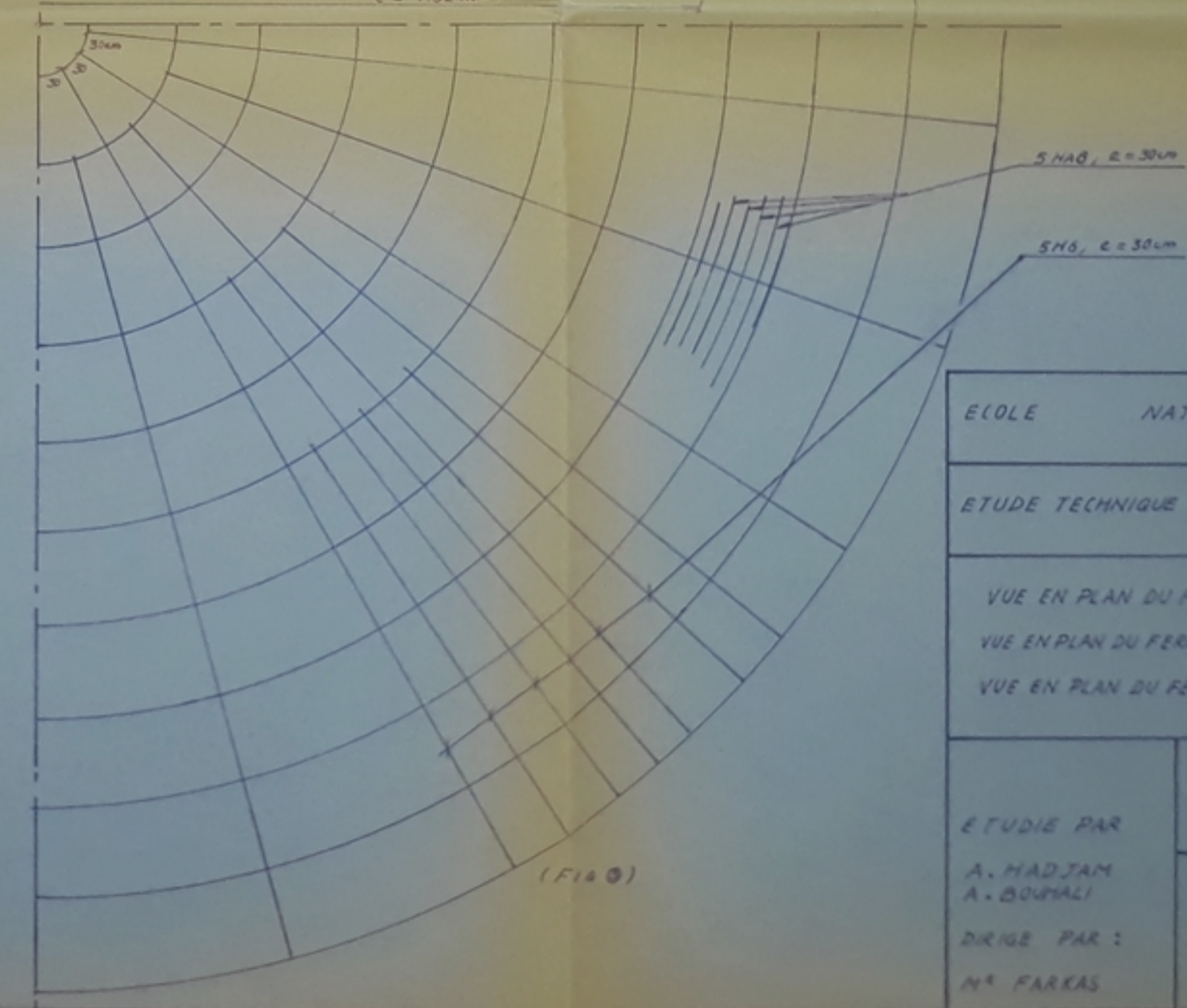


(Fig 1)

المركز الوطنية للتكنولوجيا  
BIBLIOTHEQUE - المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique



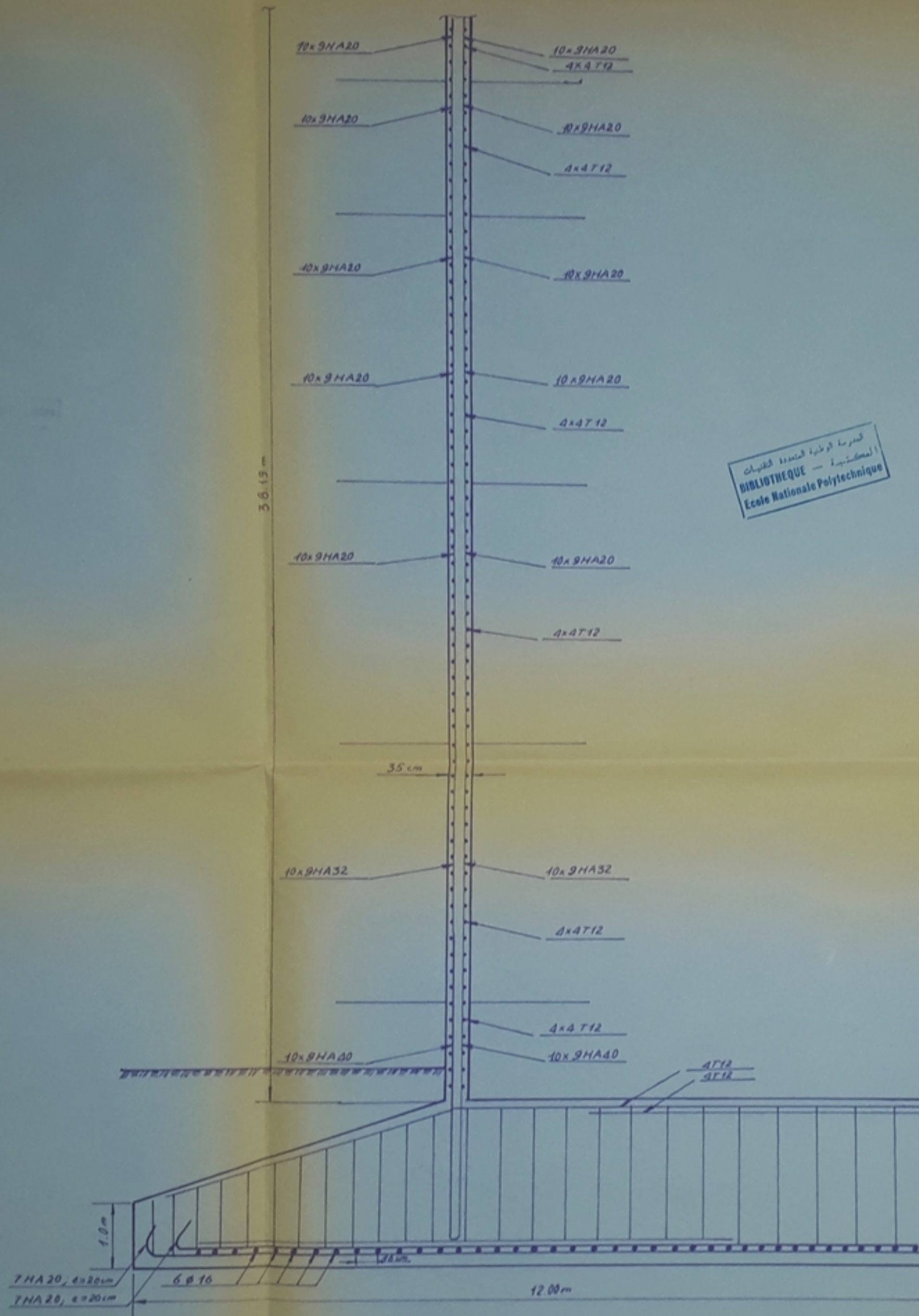
(Fig 2)



(Fig 3)

المركز الوطنية للتكنولوجيا  
BIBLIOTHEQUE - المكتبة  
Ecole Nationale Polytechnique

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE		
ETUDE TECHNIQUE D'UN CHATEAU D'EAU (2000M <sup>3</sup> )		
VUE EN PLAN DU FERRAILLAGE DE LA FONDATION. Fig 1 VUE EN PLAN DU FERRAILLAGE DU RADIER DE LA CUVE. Fig 2 VUE EN PLAN DU FERRAILLAGE DE LA COUPOLE. Fig 3		
ETUDIE PAR A. HADJAM A. BOUHALI DIRIGE PAR : M <sup>r</sup> FARKAS	PLANCHE N° 3	EHELLE : HORIZ. ) 1:50 VERT.
	PROPOSE PAR : M <sup>r</sup> FARKAS	



المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
 المكتبة — BIBLIOTHEQUE  
 Ecole Nationale Polytechnique

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
 المكتبة — BIBLIOTHEQUE  
 Ecole Nationale Polytechnique

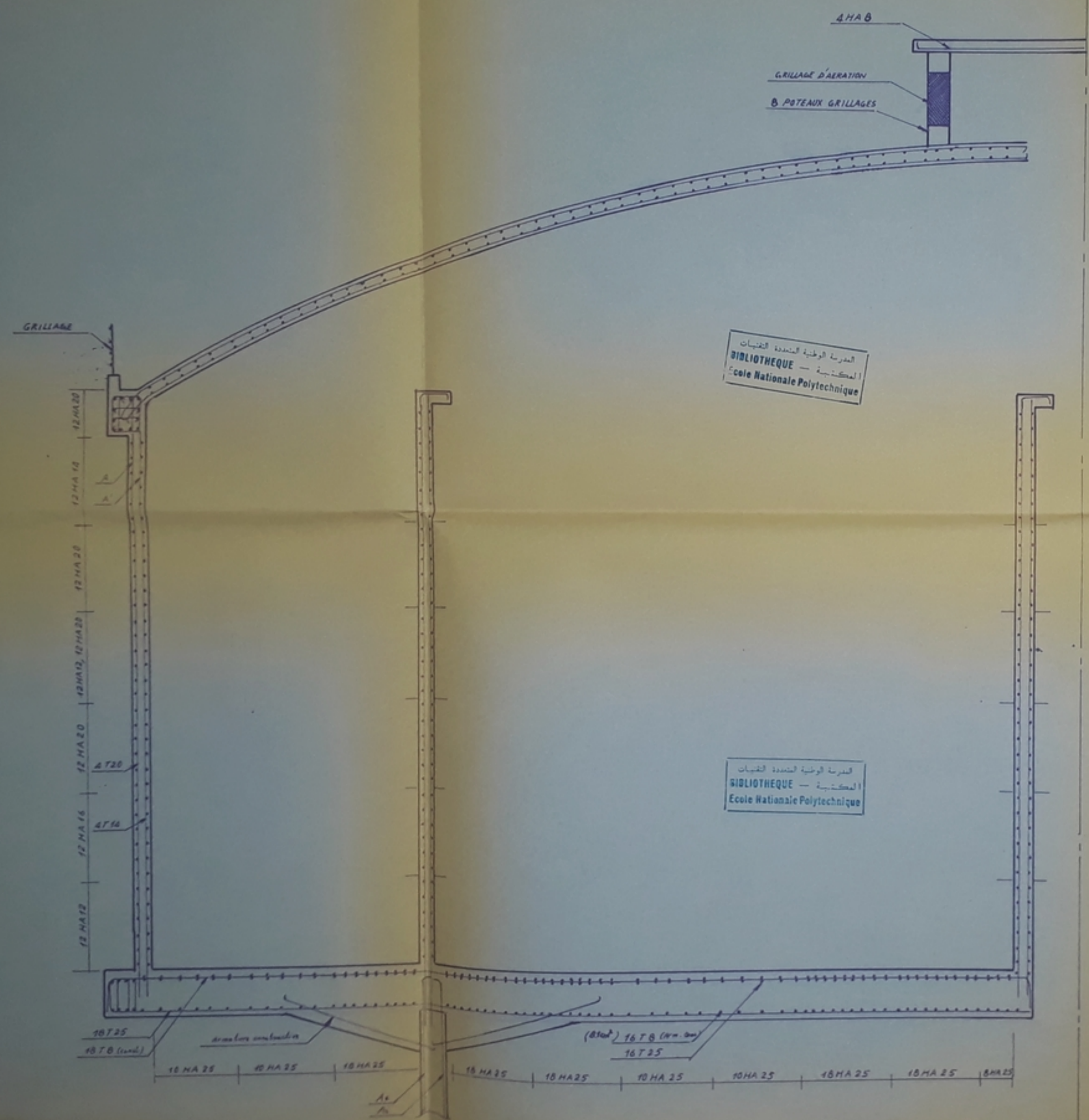
PH 03686

- 4 -

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
 المكتبة — BIBLIOTHEQUE  
 Ecole Nationale Polytechnique

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE		
ETUDE TECHNIQUE D'UN CHATEAU D'EAU (2000 m <sup>3</sup> )		
FERAILLAGE DE TOUR ET FONDATION COUPES LONGITUDINALES		
ETUDIE PAR A. MADJAM A. BOUJALI	PLANCHE N° 4	ECHELLE : HORIZ : 1cm = 1m VERT : 1cm = 10m
DIRIGE PAR : M <sup>r</sup> FARKAS	PROPOSE PAR M <sup>r</sup> FARKAS	PROMOTION JUN 86

المعهد الوطني للتكنولوجيا  
 Ecole Nationale Polytechnique  
 30030 ALGER



المدرسة الوطنية للتكنولوجيا  
 BIBLIOTHEQUE - المكتبة  
 Ecole Nationale Polytechnique

المدرسة الوطنية للتكنولوجيا  
 BIBLIOTHEQUE - المكتبة  
 Ecole Nationale Polytechnique

PH0368C  
 -5-

المدرسة الوطنية للتكنولوجيا  
 BIBLIOTHEQUE - المكتبة  
 Ecole Nationale Polytechnique

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE		
ETUDE TECHNIQUE D'UN CHATEAU D'EAU (2000m <sup>3</sup> )		
SCHEMA DE FERRAILLAGE DES ELEMENTS DE LA CUVE		
ETUDIE PAR A. HADJAM A. BOUHALI	PLANCHE N° 5	ECHELLE : HORIZ. 1cm → 1/3 m VERT.
DIRIGE PAR M <sup>re</sup> FARKAS	PROPOSE PAR M <sup>re</sup> FARKAS	PROMOTION JUN 86

