



المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات
Ecole Nationale Polytechnique

République Algérienne Démocratique et Populaire



المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات
Ecole Nationale Polytechnique

Ministère de l'Enseignement Supérieure
et de la Recherche Scientifique

École Nationale Polytechnique

Département de Génie Civil

Projet de fin d'études

En vue de l'obtention du diplôme d'ingénieur d'état en Génie Civil

Thème

Conception et étude d'un tablier de pont continu
en béton précontraint :

À voussoirs et poutres poste tension

Réalisé par:

M. ZEDDAM Abdallah

M. BOUKAIS Karim

Proposé par :

S.A.E.T.I

Dirigé par :

Pr. R.MITICHE.KETTAB

Dr. M.ABDESSMED

ENP 2013

Remerciement

Au nom d'ALLAH tout puissant à lui le plus grand merci de nous avoir donné la foi et de nous avoir permis d'en arriver là.

Nous adressons nos profonds remerciements à tous ceux qui ont contribué à l'élaboration de ce mémoire de fin d'études et ceux qui nous ont aidé de près ou de loin.

Tout l'honneur et toutes nos reconnaissances vont à nos chers parents pour leurs encouragements leurs bienveillances durant tout notre cursus.

Nos remerciements vont particulièrement à nos promoteurs pour leur disponibilité et leur encadrement : Professeur R. MITICHE KETTAB et Docteur M.ABDESSMED

Nous remercions aussi les membres du jury pour l'honneur qu'ils nous font en acceptant de juger notre travail.

Nos remerciements vont également à l'équipe de l'ENGOA à sa tête M. ZERRABI son Président Directeur Général, M. ALIK ACHOUR ainsi que M. SLIMANI Alilou pour leur collaboration.

Et enfin nous tenons à remercier infiniment tous les professeurs de l'Ecole Nationale Polytechnique d'Alger.

Dédicace

A la mémoire de mon grand-père « SAID » aucune dédicace ne saurait exprimer l'estime, le dévouement et le respect que j'ai toujours eu pour toi. Repose en paix.

A mon père celui qui a été mon ombre durant toutes mes années d'études.

Je dédie ce travail à toute la famille BOUKAIS particulièrement à celle qui représente pour moi le symbole de tendresse, à celle qui s'est sacrifiée pour mon bonheur et ma réussite, à mon adorable mère.

A mes deux chers frère YACINE et NASSIM qui ont toujours su m'encourager et me soutenir.

A celle qui m'est chère, ma muse et ma bien aimé.

A tous mes amis de la promotion.

Karim

Dédicace

Je dédie ce modeste travail

A mon cher père qui n'a pas arrêté de m'encourager et de se sacrifier pour que je puisse franchir tout obstacle durant mes années d'études, que dieu me le garde en très bonne santé.

A ma plus belle étoile qui puisse exister dans l'univers qui m'a éclairé le chemin pour que je puisse atteindre mon but, ma très chère mère je t'aime et je te souhaite une longue vie.

A mes frères Abdelwahabe et Amine qui m'ont vraiment aidé pour devenir l'homme qui veulent mes parents, mes sœurs Amel et Wissem et à toute la famille ZEDDAM.

A mes très chers amis que je cite : Karim, Ayyoub khay, Nabil mon ami d'enfance, Fares, Mahdi 31, Juba, Nassim, Housseem et Sidou, Faiza, Sabina, Djoudjoula, ZAKRI Hanane et Mérieme.

Sans oublier Madame Chérifa, Madame MOUSSAOUI, Madame Nadia et Madame Mouna qui m'ont aidées et m'encouragées.

A mon binôme Karim qui a pris bien soin de moi.

A tous mes amis de promotion.

Merci à vous tous

Abdel-ileh

ملخص :

يهدف هذا العمل إلى دراسة و تصميم جسر طوله 312 م يحتوي على تصميمين مختلفين: التصميم الأول عبارة عن جسر ذو روافد متعددة يوجد عند مدخل الجسر و مخرجه عددها أربعة طول كل واحدة منهن 25 م . أما التصميم الثاني و هو الجزء الأوسط , عبارة عن جسر بالنتابع المتتالي يتكون من ثلاث مقاطع : الجانبين طولهما 56 م أما الأوسط 100 م . يستند على 7 مساند من الخرسانة المسلحة . يقدر عرض الجسر ب 10.08 م مع وجود رصيفين للمارة عرضهما 1.25 و 1.15 م. وضع التصميم ببرنامج Autodesk ROBOT Structural.

الكلمات المفتاحية :

خرسانة مسبقة الإجهاد ، خرسانة مسلحة ، جسر ذو روافد متعددة ، جسر بالنتابع المتتالي ، البلاطة ، الرافدة.

Résumé :

Le but de ce travail est l'étude et la conception d'un pont de 312 m de longueur qui comporte deux conceptions différentes :

La première est un pont multi-poutres isostatique qui se trouve à la rentrée et la sortie du pont, la longueur de chaque travée est de 25 m.

La deuxième qui est la partie centrale représente un pont construit par encorbellement successif, composé de 3 travées : les travées de rive ont une longueur de 56 m et la travée centrale est de 100 m. Il repose sur 7 piles en béton armé.

La largeur du pont est de 10.08 m, avec présence des deux trottoirs, la largeur de chaqu'un d'eux est de 1.25 et 1.15 m. La modélisation est faite par le logiciel Autodesk ROBOT Structural.

Mots clés :

Béton précontraint, béton armé, pont multi-poutres, pont en encorbellement successif, hourdis général, poutre.

Summary :

The aim of this work is the conception and the study of a bridge of length of 312 m, it contain two different conceptions :

First conception is a bridge with multiples beams under road of length of 25 m.

Second conception is a bridge in successive corbelled construction, it's composed of three spans : 2 spans of bank 56 m length and intermediate span of 100 m. The apron rests on 7 piles in reinforced concrete . Its width is 10.08 m with 2 pavements. The modeling is made using the software Auto-desk Structural Robot

Key word :

Concrete prestressed, reinforced concrete, bridge with multiples beams under road, bridge in successive corbelled construction, general hollow block, beam.

Table des matières

Introduction générale.....	1
Chapitre 1 : Conception générale.....	
1.1. Introduction.....	2
1.2. Présentation de l'ouvrage.....	2
1.3. Tracé en plan.....	2
1.4. Les profilés de l'ouvrage.....	2
1.4.1 Profil en long.....	2
1.4.2 Profil en travers.....	2
1.5. Caractéristiques du site.....	3
1.5.1. Étude topographique.....	4
1.6. Conclusion.....	4
Chapitre 2 : caractéristiques des matériaux	
2.1. Introduction.....	5
2.2. Le béton.....	5
2.2.1. Résistance à la compression.....	5
2.2.2. Résistance à la traction.....	5
2.2.3. Module de Young.....	5
2.2.4. Coefficient de poisson.....	5
2.2.5. Etat limite.....	5
a) Contrainte ultime de compression.....	5
b) Contrainte limite de service.....	5
2.3. Les aciers.....	6
2.3.1. Aciers actifs.....	6
2.3.2. Aciers passifs.....	6
a) Limite élastique.....	6
b) Contrainte limite de traction (ELS).....	6
2.4. Conclusion.....	7
Chapitre 3 : Prédimensionnement	
3.1. Introduction.....	8
3.2. Les sections transversales.....	8
3.2.1. Voussoirs.....	8
3.2.2. Dimensions du voussoir.....	9
a) Hauteur du caisson.....	10
b) Epaisseur des hourdis.....	10
3.2.3. Section transversale.....	11
3.2.4. Loi de variation.....	11
a) Travée de rive.....	11
b) Demi-travée centrale.....	12
3.2.5. Poutre.....	13
a) Hauteur de la poutre.....	14
b) Largeur de la table de compression.....	14
c) Epaisseur de la table de compression.....	14
d) Epaisseur de l'âme.....	14
e) Talon.....	14
f) Espacement entre axe des poutres.....	14
g) Hourdis général.....	15

h) Equipements.....	15
3.3. Caractéristiques géométriques.....	15
3.3.1. Voussoir.....	16
3.3.2. Poutre.....	16
a) Première section (section d'about)	16
b) Deuxième section.....	17
c) Troisième section.....	18
3.4. Conclusion.....	19
 Chapitre 4 : Charges et surcharges	
4.1. Introduction.....	20
4.2. Présentation du logiciel.....	20
4.3. Les caractéristiques du pont.....	20
a) Classe du pont en fonction de la largeur rouable.....	21
b) Largeur chargeable L_c	21
c) Nombre de voies.....	21
d) Largeur de voie.....	21
4.4. Evaluation des charges et surcharges.....	21
4.4.1. Charges permanentes.....	21
a) Eléments porteurs.....	21
b) Eléments non porteurs.....	22
c) Poids des éléments non porteurs.....	23
4.4.2. Charges routières.....	23
a) Système de charge A.....	23
b) Système de charge Bc.....	25
c) Système Br.....	26
d) Système Bt.....	27
e) Système de charge militaire.....	28
f) système de surcharges exceptionnelles.....	28
g) Coefficient de majoration dynamique.....	29
4.4.3. Surcharges sur les trottoirs.....	30
4.4.4. Charge du vent.....	31
4.4.5. Effort de freinage.....	31
a) Surcharges A.....	31
b) surcharges BC.....	31
4.4.6. Gradient thermique.....	31
4.4.7. Force centrifuge.....	32
4.5. Conclusion.....	32
 Chapitre 5 : Évaluation des sollicitations	
5.1. Introduction.....	33
5.2. Phase de construction.....	33
5.2.1. Charges appliquées aux fléaux.....	33
5.2.2. Efforts dus au poids propre.....	33
a) Demi-fléau de rive.....	33
b) Demi-fléau central.....	33
5.2.3. Efforts dus aux surcharges du chantier.....	34
a) La surcharge répartie (Q_{pra1})	34
b) La surcharge concentrée (Q_{pra2})	34
5.2.4. Efforts dus à l'équipage mobile (Q_{PRC1})	34
5.2.5. Efforts dus au vent.....	34

5.2.6. Stabilité du fléau.....	36
a) Combinaison d'actions en construction.....	36
b) 2ème phase.....	39
c) 3ème phase.....	40
d) 4ème phase.....	41
5.3. Phase de service.....	42
5.3.1. Introduction.....	42
5.3.2. Modélisation.....	42
a) Modélisation du tablier.....	43
b) Conditions d'appuis.....	43
c) Combinaisons de calcul.....	44
5.4. Conclusion.....	47
Chapitre 6 : Étude de la précontrainte.....	
6.1. Introduction.....	48
6.2. Précontrainte par post-tension.....	48
6.3. Etapes générales de réalisation.....	48
6.4. Mode de calcul.....	48
6.4.1. Voussoirs (Partie hyperstatique).....	48
a) Etude de la précontrainte du fléau.....	49
b) Précontrainte de continuité.....	55
6.4.2. Poutres (Partie isostatique).....	56
a) Détermination de la précontrainte.....	56
b) Positionnement des câbles.....	58
c) Détermination de l'angle de relevage.....	59
d) Allure des câbles.....	59
6.5. Pertes de précontrainte.....	60
6.5.1. Pertes de précontrainte.....	61
a) Pertes instantanées.....	61
b) Pertes différées.....	62
6.5.2. Calcul des pertes de précontrainte.....	63
a) Voussoirs (partie hyperstatique).....	63
b) Poutres (partie isostatique).....	66
6.6. Vérification des contraintes normales.....	67
a) Voussoirs.....	67
b) Poutres.....	68
6.7. Vérification vis-à-vis de l'effort tranchant.....	68
6.7.1. Détermination de l'effort tranchant.....	70
6.7.2. Calcul de la contrainte de cisaillement.....	70
a) Partie hyperstatique.....	72
b) Partie isostatique.....	72
6.8. Conclusion.....	72
Chapitre 7 : ferrailage des sections.....	
7.1. Introduction.....	73
7.2. Définition des charges.....	73
7.2.1. Les charges permanentes.....	73
7.2.2. Les surcharges.....	73
7.3. Détermination des efforts.....	73
7.3.1. Voussoirs.....	73

a) Section sur pile.....	74
b) A la clé.....	75
7.3.2. Dalle (partie isostatique)	76
7.4. Ferrailage de la partie hyperstatique (voussoir)	77
7.4.1. Ferrailage longitudinal et transversal.....	77
7.4.2. Effet de la torsion.....	78
7.5. Ferrailage de la partie isostatique.....	79
7.5.1. Dalle.....	79
7.5.2. Ferrailage passif de la poutre.....	79
a) Armatures de peau.....	79
b) Ferrailage longitudinale.....	80
c) Armatures de talon.....	80
7.6. Schéma de ferrailage.....	81
7.6.1. Schéma de ferrailage du voussoir.....	81
7.6.2. Schéma de ferrailage de la dalle.....	81
7.6.3. Schéma de la poutre.....	82
7.7. Conclusion.....	82
Conclusion générale.....	83
Bibliographie.....	84
Annexes.....	85

Liste des figures

Figure 1.1 :	Profil en long de l'ouvrage.....	1
Figure 1.2 :	Coupe transversale au niveau des poutres.....	2
Figure 1.3 :	Coupe transversale au niveau des voussoirs.....	2
Figure 3.1 :	Monocaisson simple.....	7
Figure 3.2 :	Monocaisson à bracon.....	8
Figure 3.3 :	Bicaisson clavé transversalement.....	8
Figure 3.4 :	Notation des différents éléments constitutifs.....	9
Figure 3.5 :	Coupe transversale de la section sur pile et à la clé.	10
Figure 3.6 :	Coupe transversale de la poutre.	12
Figure 3.7 :	Section d'about.....	15
Figure 3.8 :	La section d'about de la poutre en BP plus l'hourdis général.	16
Figure 3.9 :	Deuxième section	16
Figure 3.10 :	La deuxième section de la poutre en BP plus l'hourdis général.	17
Figure 3.11 :	Troisième section	17
Figure 3.12 :	Troisième section de la poutre en BP plus l'hourdis général.	18
Figure 4.1 :	Profil en travers pour les différentes largeurs à considérer.	20
Figure 4.2 :	Les différentes sections qui composent la poutre en béton précontraint.	21
Figure 4.3 :	Coupe transversale d'un trottoir.	22
Figure 4.4 :	Différents cas de chargements de la surcharge A sur la partie centrale.....	23
Figure 4.5 :	Diagramme du moment fléchissant sous l'effet du 2 ^{ème} cas.....	24
Figure 4.6 :	Diagramme de l'effort tranchant sous l'effet du 2 ^{ème} cas.....	24
Figure 4.7 :	Système Bc.	25
Figure 4.8 :	Système Br.	26
Figure 4.9 :	Système Bt.	26
Figure 4.10 :	Surcharge militaire type Mc120.	27
Figure 4.11 :	Surcharge exceptionnelle type D240.	28
Figure 5.1 :	Cas temporaire de construction.....	35
Figure 5.2 :	Situation accidentelle.	36
Figure 5.3 :	Modélisation du clavage central.....	38
Figure 5.4 :	Diagramme du moment fléchissant dû au clavage de rive.	39
Figure 5.5 :	Diagramme de l'effort tranchant dû au clavage de rive.	39
Figure 5.6 :	Modélisation de la réalisation du dernier voussoir de rive.	39
Figure 5.7 :	Diagramme du moment fléchissant.	40
Figure 5.8 :	Diagramme de l'effort tranchant.	40
Figure 5.9 :	Modélisation du voussoir de clavage de rive.	40
Figure 5.10 :	Diagramme du moment fléchissant.	41
Figure 5.11 :	Diagramme de l'effort tranchant.	42
Figure 5.12 :	Modélisation en 3D du tablier de la partie hyperstatique.....	43
Figure 5.13 :	Modélisation en 3D du tablier de la partie isostatique.....	44
Figure 5.14 :	Diagramme du moment fléchissant sous la combinaison ELU "température" en t.m.....	45
Figure 5.15 :	Diagramme de l'effort tranchant sous la combinaison ELU A "température" en t.....	45
Figure 5.16 :	Diagramme du moment fléchissant en t.m sous l'effet de la combinaison D240.....	45
Figure 5.17 :	Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison D240.....	45
Figure 6.1 :	Disposition des câbles du fléau.	50

Figure 6.2 :	Tracé en élévation des câbles.	51
Figure 6.3 :	Tracé en plan d'un câble.	53
Figure 6.4 :	Diagramme du moment fléchissant sous la combinaison ELS A T en t.m..	54
Figure 6.5 :	Diagramme de l'effort tranchant sous la combinaison ELS A T en t.....	54
Figure 6.6 :	Diagramme du moment fléchissant en t.m sous l'effet de la combinaison ELU D240.	56
Figure 6.7 :	Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELU D240.	56
Figure 6.8 :	Diagramme du moment fléchissant en t.m sous l'effet de la combinaison ELS D240.	56
Figure 6.9 :	Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELS D240.	56
Figure 6.10 :	Positionnement des câbles.....	58
Figure 6.11 :	Allure des câbles et leurs différentes hauteurs.....	59
Figure 6.12 :	Principe des pertes par recul d'encrage.....	60
Figure 6.13 :	Effet isostatique de l'effort tranchant.	69
Figure 6.14 :	Effet RESAL.	69
Figure 7.1 :	Modélisation du voussoir sur pile.....	73
Figure 7.2 :	Modélisation du voussoir à la clé.	74
Figure 7.3 :	Diagramme du moment fléchissant en kN.m sous l'effet de la combinaison ELU BC du voussoir sur pile.	74
Figure 7.4 :	Diagramme du moment fléchissant en kN.m sous l'effet de la combinaison ELS BC du voussoir sur pile.	75
Figure 7.5 :	Diagramme du moment fléchissant en kN.m sous l'effet de la combinaison ELU BC du voussoir à la clé.	75
Figure 7.6 :	Diagramme du moment fléchissant en kN.m sous l'effet de la combinaison ELS BC du voussoir à la clé.	76
Figure 7.7 :	Modélisation de la dalle.	76
Figure 7.8 :	Diagramme du moment fléchissant en kN.m de la dalle (partie isostatique) sous l'effet de la combinaison ELU BC.	77
Figure 7.9 :	Diagramme de l'effort tranchant en t de la dalle (partie isostatique) sous l'effet de la combinaison ELS BC.	77
Figure 7.10 :	Coupe transversale du voussoir sur pile chargé en dehors de son plan de symétrie.	78
Figure 7.11 :	Schéma de ferrailage du voussoir.....	81
Figure 7.12 :	Schéma de ferrailage de la dalle.....	81
Figure 7.13 :	Schéma de ferrailage de la poutre.....	82

Liste des tableaux

Tab 4.1 :	Différentes valeurs de A.....	23
Tab 4.2 :	Coefficient de majoration dynamique pour la partie isostatique.....	29
Tab 4.3 :	Coefficient de majoration dynamique pour la partie hyperstatique (Travée de rive)...	29
Tab 4.4 :	Coefficient de majoration dynamique pour la partie hyperstatique (Travée centrale)..	29
Tab 4.5 :	les valeurs de gradient thermique.....	31
Tab 5.1 :	Résultats des efforts dûs aux différentes charges appliquées sur le demi fléau de rive	34
Tab 5.2:	Résultats de la combinaison type A sur le demi fléau de rive.....	36
Tab 5.3 :	Résultats de la combinaison type B sur le demi-fléau de rive.....	36
Tab 5.4 :	Tableau récapitulatif des combinaisons type A et B sur le demi-fléau de rive.....	37
Tab 5.5 :	Résultats de la combinaison type A sur le demi-fléau central.....	37
Tab 5.6 :	Résultats de la combinaison type B sur le demi-fléau central.....	38
Tab 5.7 :	Tableau récapitulatif des combinaisons type A et B sur le demi-fléau central.....	38
Tab 5.8 :	Différentes combinaisons de calcul selon le fascicule 61.....	44
Tab 6.1 :	Répartition des câbles pour le fléau de rive.....	49
Tab 6.2:	Répartition des câbles pour le fléau central.....	49
Tab 6.3:	Câbles arrêtés du fléau de rive par voussoir.....	49
Tab 6.4:	Câbles arrêtés du fléau central par voussoir.....	50
Tab 6.5:	Valeurs de α pour chaque câble par âme.....	52
Tab 6.6:	Les valeurs de β pour chaque câble de voussoir.....	53
Tab 6.7:	Le nombre de câbles de continuité pour la travée centrale.....	55
Tab 6.8:	Valeurs d' Y_c , L_c et L_r pour chaque câble.....	59
Tab 6.9:	Pertes de précontrainte dû au frottement.....	62
Tab 6.10:	Pertes de précontrainte dû au recul d'encrage.....	63
Tab 6.11:	Pertes de précontrainte dû au raccourcissement de béton.....	63
Tab 6.12:	Pertes de précontrainte dû au fluage du béton.....	65
Tab 6.13:	Pertes de précontrainte dû à la relaxation des aciers.....	65
Tab 6.14:	Pertes de précontraint dû au frottement.....	66
Tab 6.15:	Pertes de précontrainte dû au recul d'encrage.....	66
Tab 6.16:	Pertes de précontrainte dû raccourcissement du béton.....	66
Tab 6.17:	Pertes de précontrainte dû au fluage du béton.....	66
Tab 6.18:	Pertes de précontrainte dû à la relaxation des aciers.....	66
Tab 6.19:	Pertes instantanées, différées et leurs pourcentages.....	67
Tab 6.20:	Différentes valeurs de σ_{sup} et σ_{inf} pour le demi-fléau de rive.....	67
Tab 6.21:	Valeurs des contraintes normales à mi travée.....	68
Tab 6.22:	Résultats de la vérification de la contrainte tangentielle (partie hyperstatique).....	71
Tab 6.23:	Résultats de la vérification de la contrainte tangentielle (partie isostatique).....	72
Tab 7.1:	Ferraillage du voussoir sur pile.....	77
Tab 7.2:	Ferraillage du voussoir à la clé.....	78
Tab 7.3:	Ferraillage de la dalle (partie isostatique).....	79



Introduction générale

Introduction

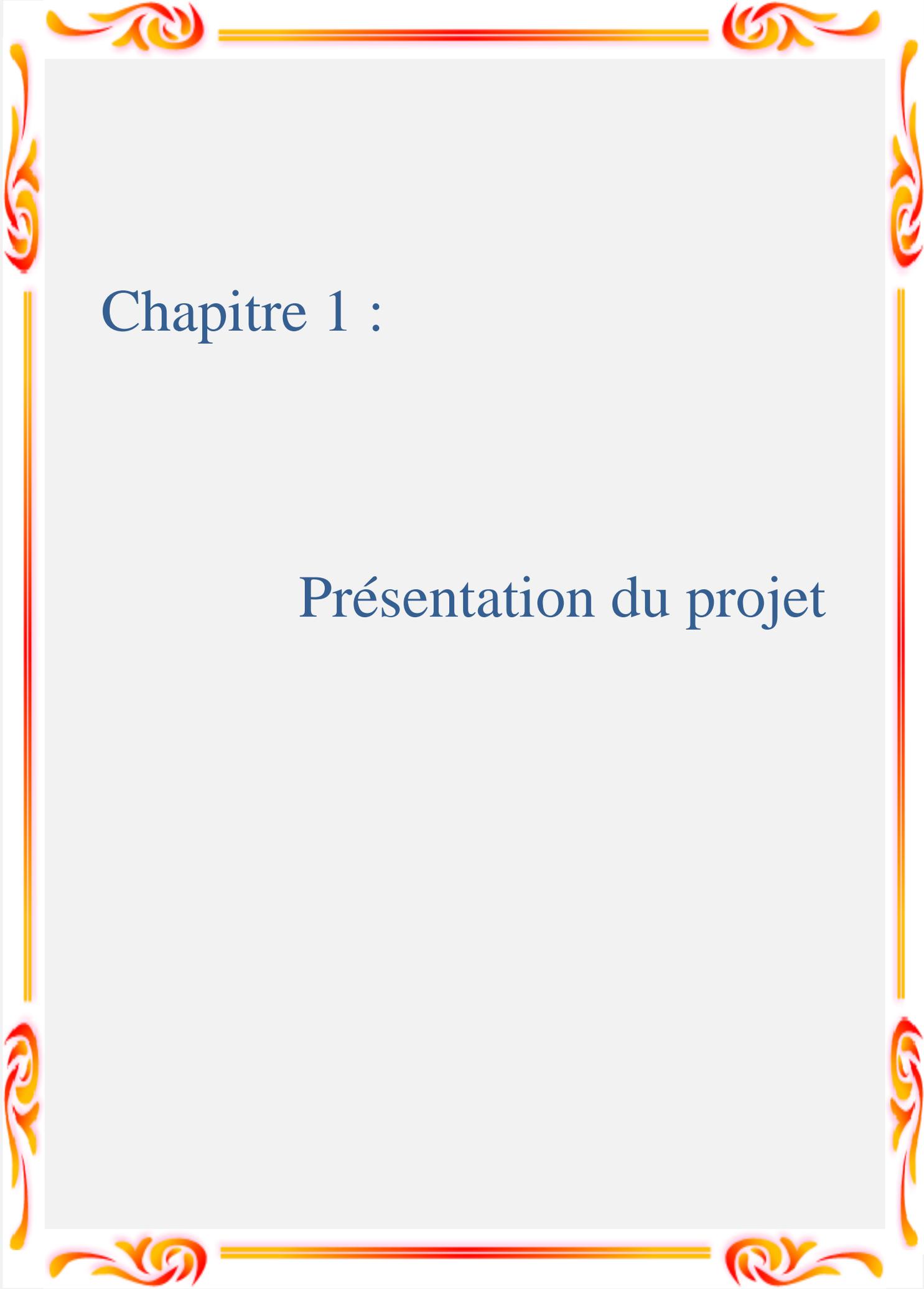
L'Algérie faisant partie des pays en voie de développement, elle a le potentiel nécessaire tel que les ressources naturelles pour devenir une force mondiale, mais cela ne sera possible sans un bon réseau routier permettant de faciliter les échanges commerciaux d'une ville à une autre, car chaque ville possède un pôle industriel ou administratif important.

A titre d'exemple, la ville de Tizi-Ouzou avec ses grandes usines qui desservent l'Algérie et le développement démographique qu'elle connaît, a induit à une augmentation très importante du trafic. Cette dernière a poussé le gouvernement à créer une déviation dans le but de désencombrer les routes de la Kabylie. Mais lorsqu'ils sont arrivés à la ville d'Azazga, les concepteurs se sont trouvés face à un obstacle insurmontable, une brèche, bien trop large et profonde, ce qui les a poussés à construire un pont afin de la franchir. Sans ce pont, les automobilistes seraient obligés de traverser les routes d'Azazga augmentant le temps de trajet et créant des embouteillages cauchemardesques.

L'objet de ce modeste travail est l'étude de la variante proposée par la Société Algérienne d'Etude de l'Infrastructure (SAETI), qui est un pont continue avec la partie centrale hyperstatique construite par encorbellement successif avec voussoirs coulés sur place en béton précontraint et deux parties de rive isostatiques, composées de poutres en béton précontraint.

Le plan de travail adopté est le suivant :

- ✓ Le 1^{er} chapitre est destiné à la présentation de l'ouvrage avec ses divers profils.
- ✓ Le 2^{ème} chapitre traite les matériaux utilisés pour la réalisation des éléments du pont.
- ✓ Le 3^{ème} chapitre est consacré au pré-dimensionnement des sections transversales du tablier.
- ✓ Le 4^{ème} chapitre est consacré à la détermination des différentes charges et surcharges.
- ✓ Le 5^{ème} chapitre est consacré au calcul des sollicitations en phase de construction et en phase de service en utilisant le logiciel Robot Structural.
- ✓ Le 6^{ème} chapitre concerne l'étude de précontrainte.
- ✓ Le 7^{ème} chapitre traite l'étude transversale et le ferrailage passif des sections transversales.
- ✓ Finalement, une conclusion.



Chapitre 1 :

Présentation du projet

1.1. Introduction

Le concepteur de ponts a pour objectif de rechercher la solution la plus économique respectant l'ensemble des contraintes naturelles et fonctionnelles imposées tout en prenant compte de la durabilité et la qualité architecturale. Afin d'étudier un projet, nous devons définir les grandes lignes qui sont une présentation sommaire de l'ouvrage, les données fonctionnelles et les données naturelles.

1.2. Présentation de l'ouvrage

Le présent travail a pour objet l'étude d'un pont continu avec la partie centrale hyperstatique et deux parties de rive isostatiques, composées de poutres en béton précontraint. Ce dernier permettra la jonction entre la ville de Tizi ousou et la ville de Béjaïa.

1.3. Tracé en plan

Le tracé en plan est la ligne définissant la géométrie de l'axe de la voie portée ; il est dessiné sur un plan de situation. En plan, l'ouvrage étudié est un pont droit d'une longueur de 312 m.

1.4. Les profils de l'ouvrage

1.4.1. Profil en long

Le profil est la ligne définissant en élévation le tracé en plan. Il doit être élaboré en tenant compte de nombreux paramètres liés aux contraintes fonctionnelles et au type d'ouvrage de franchissement envisagé. Le profil en long de l'axe de roulement présente une pente longitudinale de 6%. L'ouvrage est composé de 7 travées : 4 travées de rive et 3 travées intermédiaires de 56, 100, 56 m. le tablier repose sur 6 piles et 2 culées en béton armé (figure 1.1).

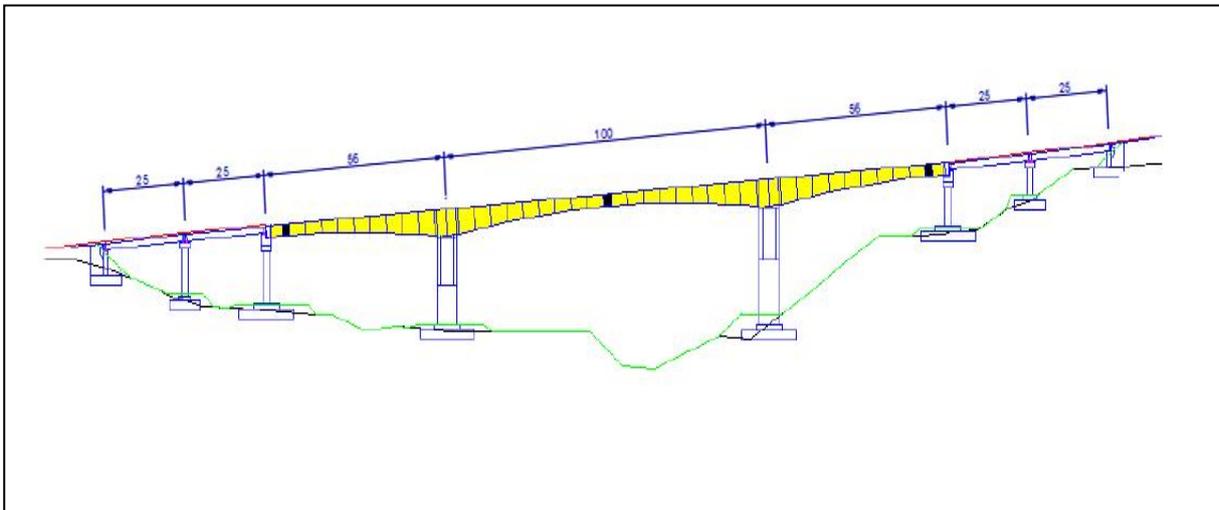


Figure 1.1 : Profil en long de l'ouvrage.

1.4.2. Profil en travers

Le profil en travers est l'ensemble des éléments qui définissent la géométrie et les équipements de la voie dans le sens transversal. La largeur totale de l'ouvrage est de 10.08 m, avec deux trottoirs de 1.25 m chacun. Le tablier présente un dévers de 2.5% (figure 1.2 et 1.3).

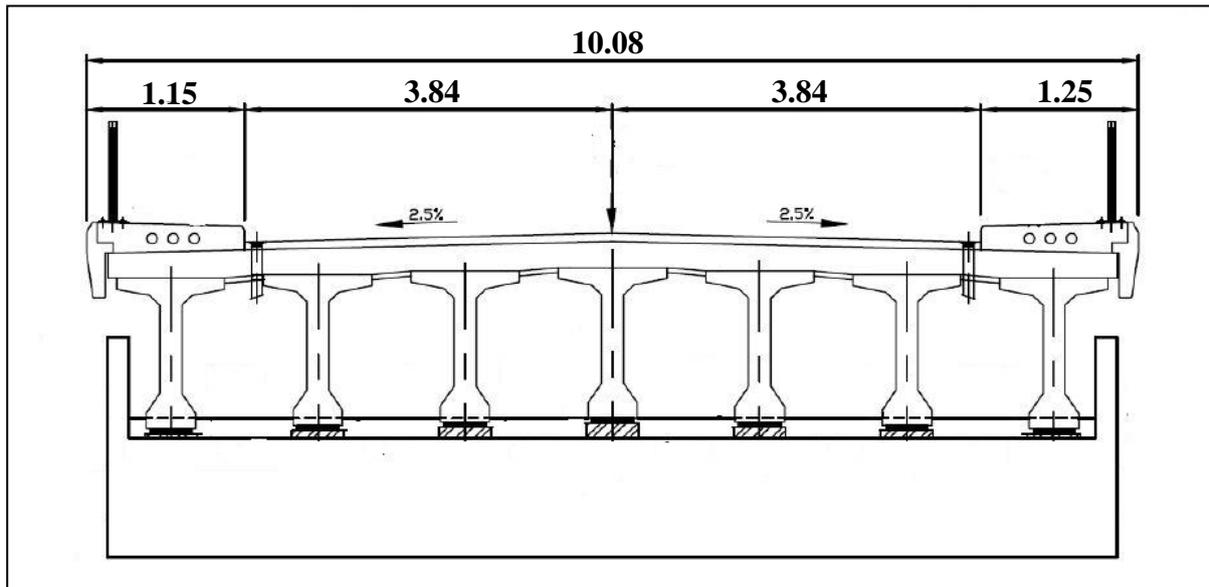


Figure 1.2 : Coupe transversale au niveau des poutres.

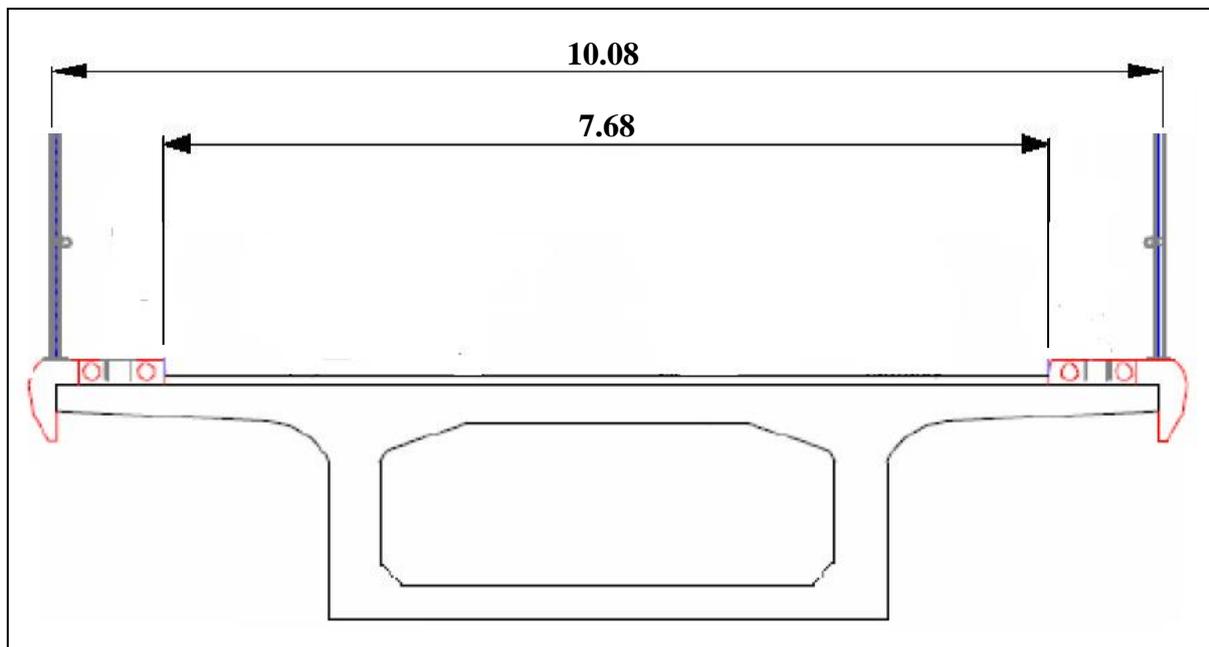


Figure 1.3 : Coupe transversale au niveau des voussoirs.

1.5. Caractéristiques du site

L'étude d'un ouvrage est conditionnée par un certain nombre de données concernant le site et son environnement dont le :

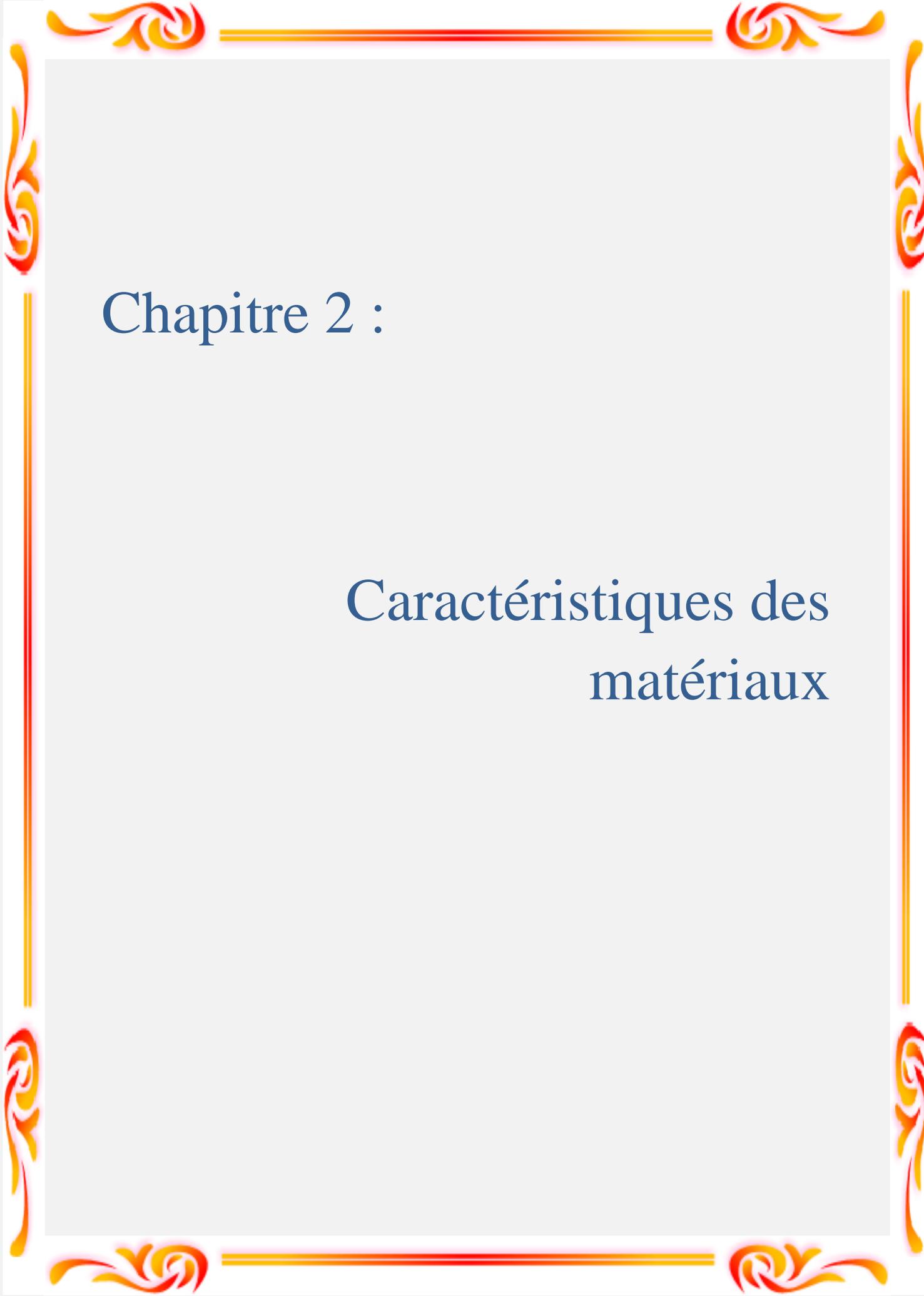
- Sol : le sol du site est moyennement dense, frottant et relativement peu cohérent.
- Vent : la région est soumise à des vents considérables.
- Séisme : la région est dans une zone de moyenne sismicité (zone II a).

1.5.1. Étude topographique

Il convient de disposer d'un levé topographique et d'une vue en plan du site indiquant les possibilités d'accès, ainsi que les aires disponibles pour les installations de chantier et les stockages.

1.6. Conclusion

Après cette présentation générale du projet, nous procéderons à l'étude de l'ouvrage en phase de construction ainsi que de service mais avant on définira les caractéristiques des principaux matériaux utilisés dans la construction de l'ouvrage étudié.



Chapitre 2 :

Caractéristiques des
matériaux

2.1.Introduction

Dans ce chapitre nous présenterons les différents matériaux utilisés dans l'élaboration de l'ouvrage ainsi que leurs caractéristiques.

2.2.Le béton

Le béton est le matériau le plus utilisé au monde ; il prend la deuxième place après l'eau du côté consommation par les habitants.

Il est défini par sa résistance à la compression à 28 jours notée « f_{c28} », et une masse volumique $\rho = 2500 \text{ kg/m}^3$.

2.2.1. Résistance à la compression

Pour un béton âgé de « j » jours ≤ 28 jours, on utilise la formule suivante :

$$f_{cj} = 0,685.f_{c28}.\log(j+1) \text{ MPa} \quad (1.1)$$

Pour $j > 28$ jours et pour le béton du tablier $f_{c28} = 35 \text{ MPa}$.

2.2.2. Résistance à la traction

Concernant la résistance à la traction, on dispose de la formule suivante :

$$f_{tj} = 0,6 + 0,06. f_{cj} \quad (1.2)$$

Donc pour le tablier, $f_{t28} = 2,7 \text{ MPa}$.

2.2.3. Module de Young

Le module de déformation instantanée est donné par :

$$E = 11000.\sqrt[3]{f_{cj}} \text{ MPa} \quad (1.3)$$

Pour le tablier : $E = 35981,72 \text{ MPa}$.

2.2.4. Coefficient de poisson

Le coefficient de poisson varie en fonction de l'état de la zone ; il est égal à :

- $\nu = 0,2$: zone non fissurée.
- $\nu = 0$: zone fissurée.

2.2.5. Etat limite

a) Contrainte ultime de compression

La contrainte ultime de compression f_{bu} est donnée par l'expression suivante :

$$f_{bu} = 0,85 \frac{f_{c28}}{\gamma_b} \quad (1.4)$$

$$\text{Avec : } \gamma_b = \begin{cases} 1,5 \text{ ouvrage en service} \\ 1,15 \text{ en cours de construction} \end{cases}$$

b) Contrainte limite de service

La contrainte limite de service $\bar{\sigma}$ est égale à :

- $\bar{\sigma} = 0,5. f_{c28}$: ouvrage en service.
- $\bar{\sigma} = 0,6. f_{c28}$: ouvrage en cours de construction.

2.3. Les aciers

Les aciers utilisés sont de deux types :

- Aciers actifs : pour la précontrainte de l'ouvrage.
- Aciers passifs : pour reprendre les efforts tranchants et limiter la fissuration.

2.3.1. Aciers actifs

La précontrainte est réalisée par post-tension. Le choix s'est porté sur des torons qui se caractérisent par :

Câbles :	12T15.
Force de rupture garantie :	$f_{prg} = 1770$ MPa.
Force élastique garantie :	$f_{peg} = 1538$ MPa.
Section utile d'un câble :	$A_p = 1800$ mm ² .
Diamètre de la gaine :	$\phi_g = 8$ mm.
Coefficient de frottement (gaine – câble) :	$\phi = 2 \cdot 10^{-3}$ m ⁻¹ .
Relaxation à 1000 heures :	$\phi_{1000} = 2.5$ %.
Relaxation à 3000 heures :	$\phi_{3000} = 3$ %.
Module d'élasticité :	$E_p = 1.9 \cdot 10^5$ MPa.
Recul d'ancrage au relâchement du vérin :	$g = 6$ mm.
Coefficient de frottement par unité de déviation angulaire :	$f = 0.18$ rd ⁻¹ .

2.3.2. Aciers passifs

Les aciers utilisés sont des armatures courantes de haute adhérence de classe FeE400 avec une limite d'élasticité $f_c = 400$ MPa, et une contrainte de rupture $f_r = 480$ MPa.

$$\text{Pour } \phi \leq 20 \text{ mm} \quad \left\{ \begin{array}{l} \sigma_{en} = 420 \text{ MPa.} \\ \sigma_a = \frac{2}{3} \sigma_{en} = 280 \text{ MPa.} \end{array} \right.$$

$$\text{Pour } \phi > 20 \text{ mm} \quad \left\{ \begin{array}{l} \sigma_{en} = 400 \text{ MPa.} \\ \sigma_a = \frac{2}{3} \sigma_{en} = 267 \text{ MPa.} \end{array} \right.$$

Le module d'élasticité $E_s = 2 \cdot 10^5$ MPa.

a) Limite élastique

Dans le calcul à l'ELU, on introduit un coefficient γ_s tel que :

$$f_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s} \quad \left\{ \begin{array}{l} \gamma_s = 1 \text{ pour une situation accidentelle.} \\ \gamma_s = 1,15 \text{ pour une situation durable.} \end{array} \right.$$

b) Contrainte limite de traction (ELS)

Des vérifications sont parfois nécessaires

- Fissuration peu préjudiciable : rien à vérifier.
- Fissuration préjudiciable : $\sigma_{st} \leq \min \left[\frac{2}{3} f_c, 110 \sqrt{\eta \cdot f_{tj}} \right]$.

Où : $\eta = 1$ pour rond lisse.

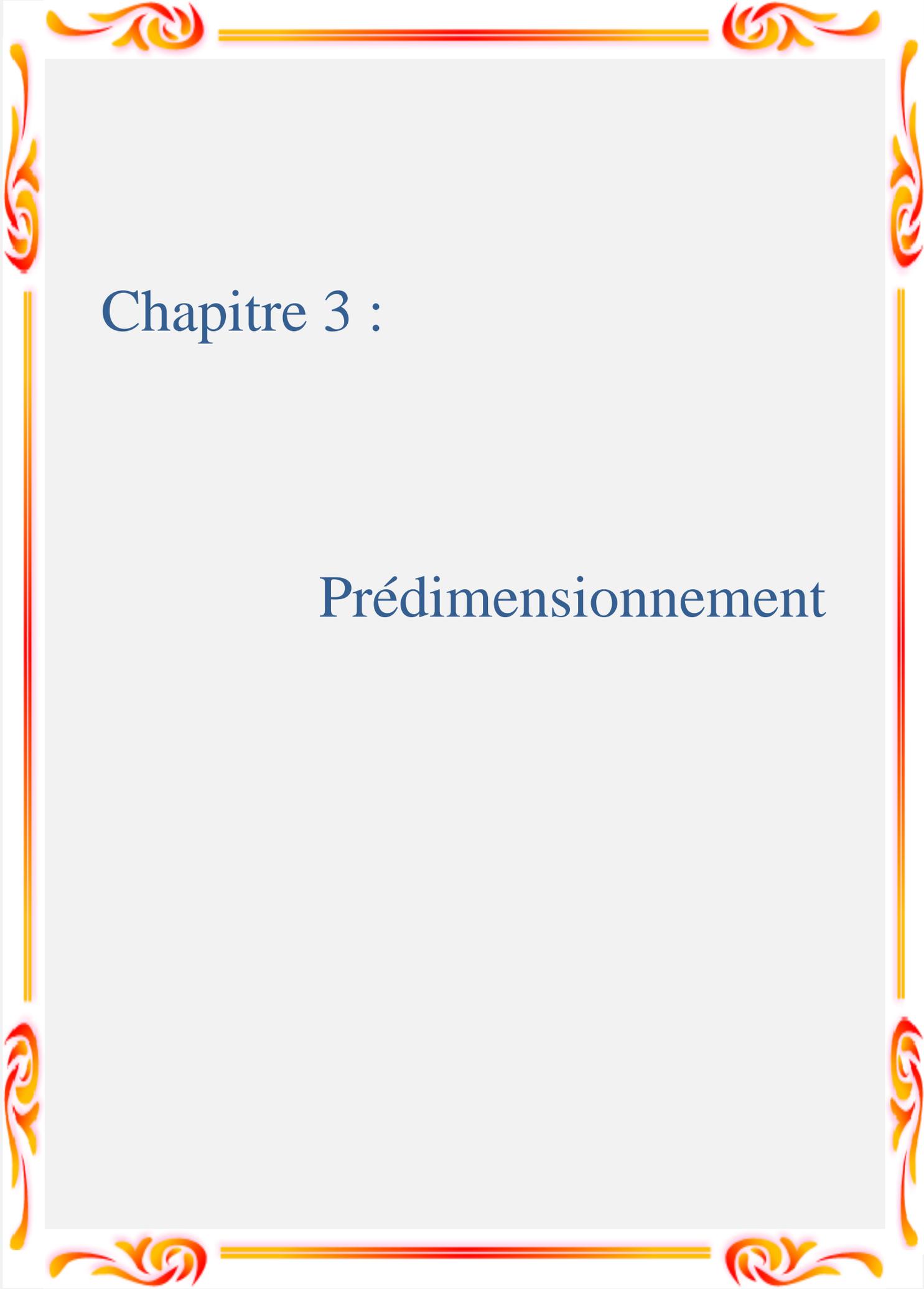
$\eta = 1,6$ pour haute adhérence.

➔ $\sigma_{st} = 228,63$ MPa.

- Fissuration très préjudiciable : $\sigma_{st} \leq \min \left[\frac{1}{2} f_e, 90\sqrt{\eta \cdot f_{tj}} \right]$.
- ➔ $\sigma_{st} = 187 \text{ MPa}$.

2.4. Conclusion

Les principaux matériaux utilisés sont le béton ($f_{c28} = 35 \text{ MPa}$), les aciers passifs (Fe400) et les aciers actifs des câbles 12T15.



Chapitre 3 :

Prédimensionnement

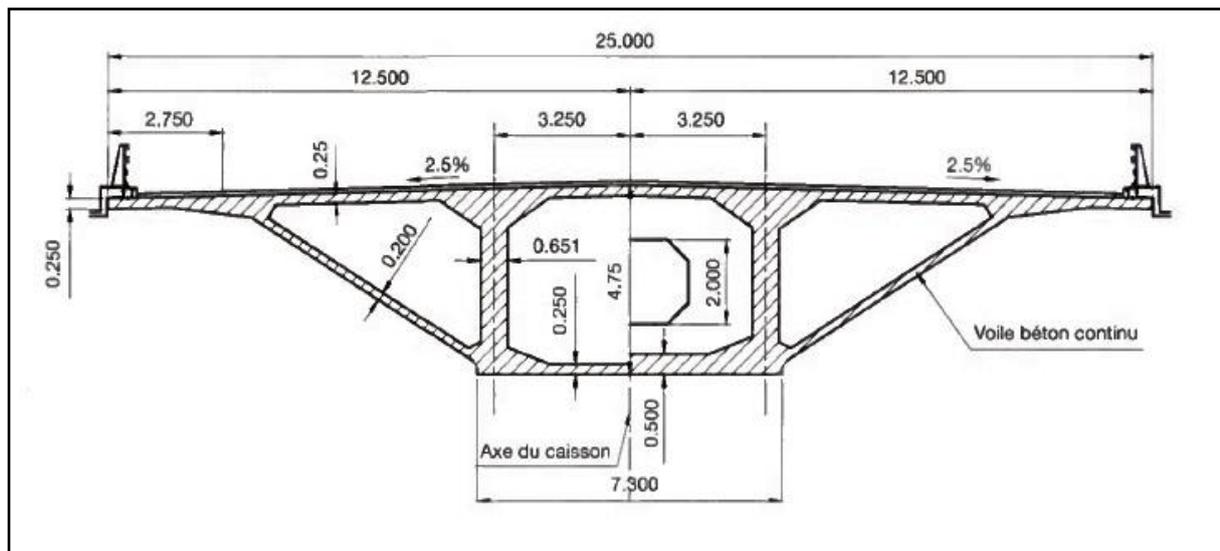


Figure 3.2 : Monocaisson à bracon.

- ✓ Pour des largeurs très importantes, il est préférable d'utiliser un **bicaisson** ; néanmoins ce dernier présente quelques inconvénients tel que : la mise en place de la précontrainte transversale qui est très complexe, ainsi que la maîtrise des déformations de fluage de chacun des caissons constitués de bétons d'âge différents qui reste un problème délicat lors de l'exécution de l'ouvrage (Figure 3.3).

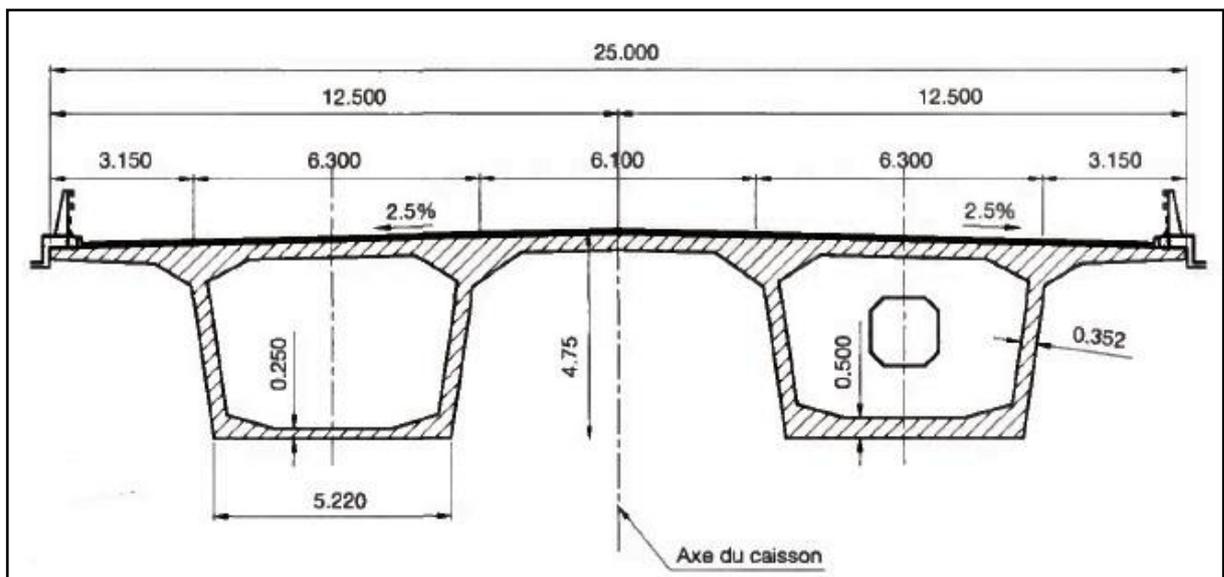


Figure 3.3 : Bicaisson clavé transversalement.

Et comme notre ouvrage présente une largeur de 10.08 m, le choix s'est porté sur des voussoirs monocaissons simples.

3.2.2. Dimensions du voussoir

Le prédimensionnement s'est fait à l'aide du guide de conception SETRA. Pour cela, on prendra les notations présentées dans la figure 3.4 :

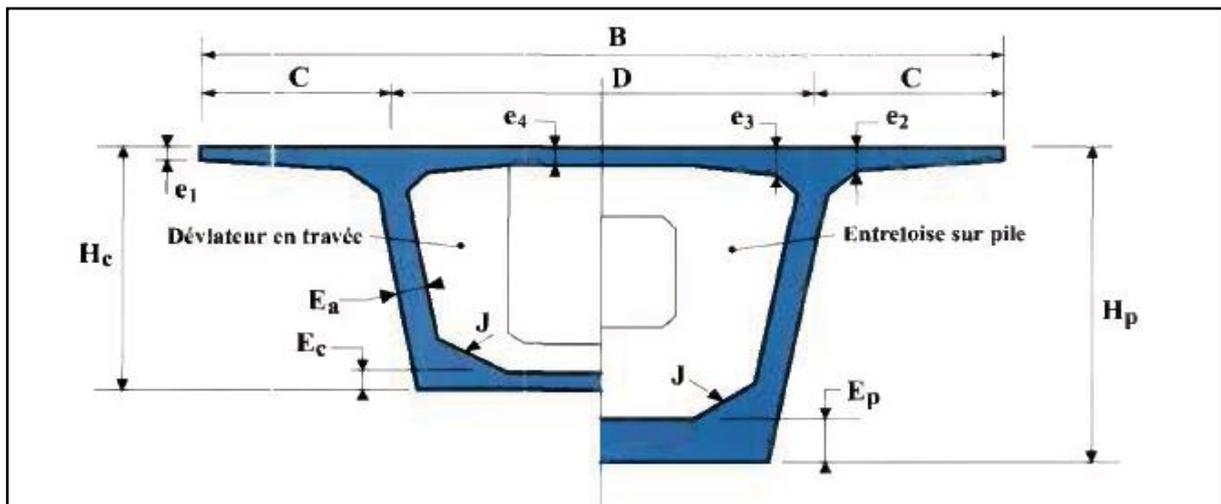


Figure 3.4 : Notation des différents éléments constitutifs.

a) *Hauteur du caisson*

Le guide de SETRA spécifie que pour les travées au-delà de 60 m, il est préférable de réaliser un tablier de hauteur variable d'une manière parabolique. Pour la hauteur sur pile, elle est comprise entre **L/18** et **L/16**.

L : longueur de la travée la plus grande.

Dans notre cas $L=100\text{m}$. $\rightarrow 5.55 \text{ m} < H_p < 6.25 \text{ m}$.

Alors on prendra : **$H_p = 6 \text{ m}$** .

La hauteur à la clef est comprise entre **L/35** et **L/30**. $\rightarrow 2.85 \text{ m} < H_c < 3.33 \text{ m}$.

Donc **$H_c = 3 \text{ m}$** .

b) *Épaisseur des hourdis*

➤ *Hourdis supérieur*

Dans le caisson simple, les âmes sont implantées au quart de la largeur du caisson, donc

$$c = \frac{B}{4} \rightarrow c = 2.52 \text{ m.}$$

Le hourdis supérieur est une dalle pleine dont l'épaisseur varie transversalement pour s'adapter aux efforts transversaux à reprendre.

✓ L'épaisseur en extrémité e_1 dépend du dispositif de retenue choisi. Dans notre cas, ce sont des barrières normales BN4, ce qui fait que : **$e_1 = 25 \text{ cm}$** .

✓ L'épaisseur e_2 varie entre **$c/8$** et **$c/7$** .

$$\rightarrow 31,5 \text{ cm} < e_2 < 36 \text{ cm.}$$

On fixe : **$e_2 = 35 \text{ cm}$** .

✓ L'épaisseur e_3 est estimée en mètre à **$0,1 + D/25$** $\rightarrow e_3 = 0.30 \text{ m}$.

✓ L'épaisseur à mi travée **$e_4 = D/25$** $\rightarrow e_4 = 20 \text{ cm}$.

Après détermination des épaisseurs, on doit vérifier que :

$$\left. \begin{array}{l} e_3 > e_2 - 0.1 \text{ m} \\ e_3 \geq 1.5.e_2 \text{ m} \end{array} \right\} \begin{array}{l} 0.3 > 0.25 \\ 0.3 = 0.3 \end{array} \left. \vphantom{\begin{array}{l} e_3 > e_2 - 0.1 \text{ m} \\ e_3 \geq 1.5.e_2 \text{ m} \end{array}} \right\} \text{Vérfifiés}$$

➤ Hourdis inférieur

✚ A la clé

$$E_c \geq 2\phi_g + d + e \text{ cm.}$$

Pour les câbles 12T15 $\phi_g = 8 \text{ cm.}$

➔ $E_c \geq 22.4 \text{ cm, alors on choisit : } E_c = 25 \text{ cm.}$

✚ Sur pile

$$2 E_c < E_p < 2.5 E_c$$

➔ $50 < E_p < 62,5 \text{ cm, alors on choisit : } E_p = 50 \text{ cm.}$

c) Epaisseur des âmes

Généralement, l'épaisseur des âmes pour les tabliers à hauteur variable est constante sur toute leur hauteur.

$$E_a = L/275 + 1.25B/L - 0.125 \text{ m.}$$

$L = 100 \text{ m, } B = 10.08 \text{ m.}$

$$\rightarrow E_a = 36 \text{ cm.}$$

Remarque : Le gousset supérieur, il doit avoir une inclinaison comprise entre 30 et 45°. Pour le gousset inférieur, on choisit un angle d'inclinaison de 45°.

3.2.3. Section transversale

La section transversale est représentée dans la figure 3.5 .

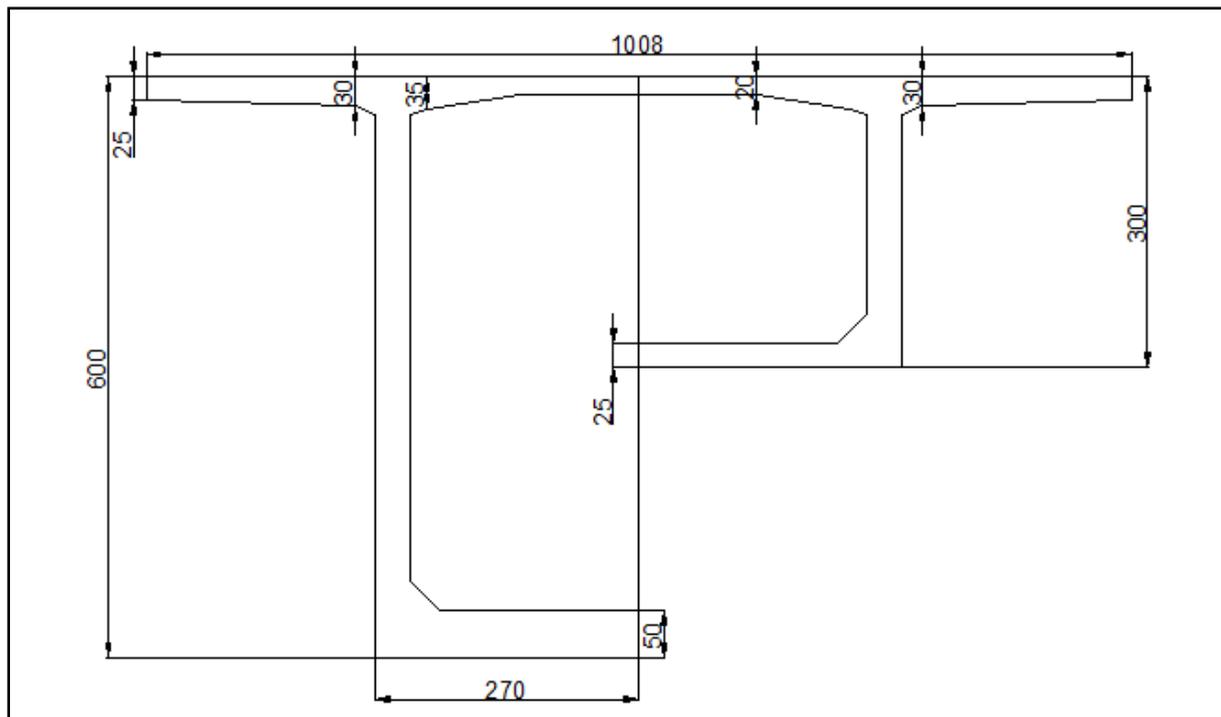


Figure 3.5 : Coupe transversale de la section sur pile et à la clé.

3.2.4. Loi de variation

a) Travée de rive

Les dimensions de la travée de rive sont :

$$L_T = 56 \text{ m.}$$

$$L_C = 2 \text{ m.}$$

➤ Variation de la hauteur

$$H(x) = ax^2 + bx + c. \quad 0 < x < L_T - L_C$$

$$H(x) = H_C \quad L_T - L_C < x < L_t$$

Détermination des constantes a, b, c :

Pour $x = 0$: $H(0) = H_P \rightarrow c = H_P$.

Pour $x = L_T - L_C$: $dH/dx = 0 \rightarrow 2a \times (L_T - L_C) + b = 0$

D'autre part $H(L_T - L_C) = H_C \rightarrow a(L_T - L_C) + b(L_T - L_C) + H_P = H_C$.

$$\rightarrow a = \frac{H_P - H_C}{(L_T - L_C)^2} \quad b = 2 \frac{H_P - H_C}{L_T - L_C}$$

$$H(x) = \frac{H_P - H_C}{(L_T - L_C)^2} x^2 + 2 \frac{H_C - H_P}{L_T - L_C} x + H_P$$

De façon analogue, on détermine les coefficients a, b et c pour la section et le centre de masse.

➤ Variation de la section

$$B_I(x) = \frac{B_P - B_C}{(L_T - L_C)^2} x^2 + 2 \frac{B_C - B_P}{L_T - L_C} x + B_P$$

➤ Variation du centre de masse Y_g

$$Y_g(x) = \frac{Y_{gP} - Y_{gC}}{(L_T - L_C)^2} x^2 + 2 \frac{Y_{gC} - Y_{gP}}{L_T - L_C} x + Y_{gP}$$

➤ Variation de l'inertie

Il est d'usage de considérer une loi de variation de la forme $Kh^{5/2}$, h étant la hauteur de la poutre.

Cette loi est intermédiaire entre la loi limite Kh^2 et la loi de variation de l'inertie d'une section pleine rectangulaire $I = Kh^3$. L'expérience montre qu'une loi de la forme $I = Kh^{5/2}$ conduit à des résultats assez précis par rapport à un calcul numérique fait pour une section en forme de caisson, ce qui donne :

$$I(x) = I_C \left[1 + K \left(1 - \frac{x}{L_T - L_C} \right)^2 \right]^{5/2}$$

Avec $K = \left[\frac{I_P}{I_C} \right]^{0.4} - 1$

b) Demi-travée centrale

Pour la demi-travée centrale, on adopte de même une variation parabolique de l'intrados ; la hauteur varie de 6 m sur pile à 3 m à la clé (à mi travée $L/2 = 50$ m).

➤ Variation de la hauteur

$$H(x) = ax^2 + bx + c. \quad 0 < x < L/2.$$

$x = 0, H(0) = H_P \rightarrow c = H_P$.

$$x = L/2, H(L/2) = H_C \rightarrow a \frac{L^2}{4} + b \frac{L}{2} + H_P = 0.$$

$$\dot{H} \text{ à } x = L/2, dH/dx = 0 \rightarrow aL + b = 0.$$

$$\text{Ce qui donne : } a = 4 \frac{H_P - H_C}{L^2} \quad b = 4 \frac{H_C - H_P}{L}.$$

$$H(x) = 4 \frac{H_P - H_C}{L^2} x^2 + 4 \frac{H_C - H_P}{L} x + H_P$$

D'une manière pareille pour $B_2(x)$ et $Y_g(x)$:

➤ *Variation de la section $B_2(x)$*

$$B_2(x) = 4 \frac{B_P - B_C}{L^2} x^2 + 4 \frac{B_C - B_P}{L} x + B_P$$

➤ *Variation du centre de masse Y_g*

$$Y_g(x) = 4 \frac{Y_{gP} - Y_{gC}}{L^2} x^2 + 4 \frac{Y_{gC} - Y_{gP}}{L} x + Y_{gP}$$

La loi de variation de l'inertie d'après les tables de GULDIN [5] est :

$$I(x) = I_C \left[1 + K \left(1 - \frac{2x}{L} \right)^2 \right]^{5/2}$$

3.2.5. Poutre

La poutre est un élément tridimensionnel dont deux dimensions sont petites par rapport à la troisième. Elle comporte une table de compression, un large talon constituant les fibres supérieure et inférieure. Ces deux éléments sont reliés par une âme de faible épaisseur. Dans notre ouvrage les poutres utilisées sont en béton précontraint.

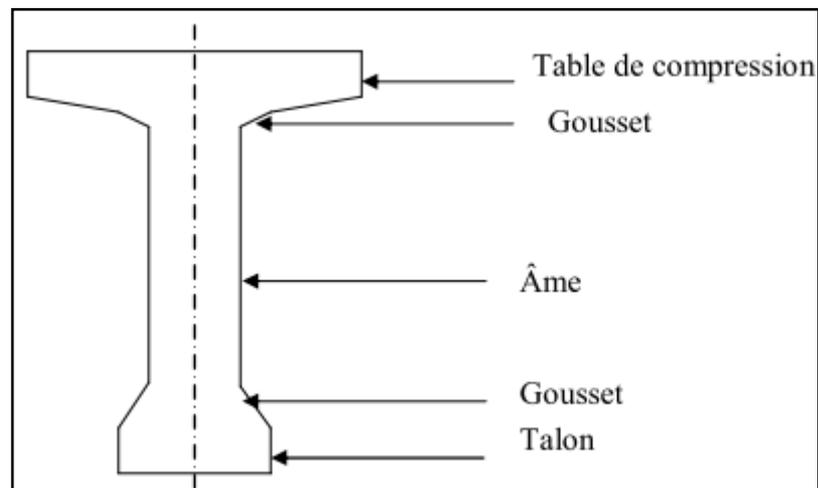


Figure 3.6 : Coupe transversale de la poutre.

a) Hauteur de la poutre

La hauteur des poutres est un paramètre très important car si la hauteur des poutres préfabriquée est trop grande, elle risque de présenter une trop grande prise au vent. Dans le cas contraire, la réduction de la hauteur conduit rapidement à une augmentation considérable des quantités d'acier de précontrainte, et même des sections de béton. C'est pourquoi, on considère généralement que l'élançement optimal L/h_t se situe entre 17 et 20.

Avec :

L : Portée de la travée ($L = 25\text{m}$).

h_t : Hauteur totale du tablier (poutre + hourdis).

$$L/20 < h_t < L/17 \rightarrow 1.25 < h_t < 1.47. \text{ On fixe } h_t = 1.5 \text{ m.}$$

b) Largeur de la table de compression

Pour la largeur de la table de compression, on ne descendra pas en dessous d'une largeur voisine de 60% de la hauteur.

$$b \geq 0.6 h_t \text{ alors } b \geq 0.78$$

On prendra : **$b = 1 \text{ m}$** .

c) Epaisseur de la table de compression

La face inférieure de la membrure présente une légère pente variant de 1/10 à 1/15, de sorte que l'épaisseur de la table à la jonction avec le gousset d'âme est majorée d'environ 5 cm par rapport à l'épaisseur d'extrémité.

$$0.10\text{m} \leq e \leq 0.15\text{m}. \text{ On prendra } e = 0.11 \text{ m.}$$

d) Epaisseur de l'âme

✓ En zone médiane, où l'effort tranchant est faible, les âmes sont dimensionnées au minimum constructif dans le but d'alléger le plus possible les poutres. Ce minimum doit également respecter les dispositions réglementaires prescrites par le Béton Précontraint aux Etats Limites (BPEL), notamment les conditions d'enrobage des armatures passives et des armatures de précontrainte dans les zones où les câbles remontent dans l'âme.

Dans notre cas, on prend : **$b_{0m} = 0.18 \text{ m}$** .

✓ En zone d'about, les âmes sont dimensionnées pour résister à l'effort tranchant, ce qui conduit généralement à réaliser un épaissement d'âme, appelé blochet, sur une longueur qui peut atteindre le quart de la portée. L'épaisseur est de l'ordre de 30cm.

Dans notre cas, on prend : **$b_{0a} = 0.32 \text{ m}$** .

e) Talon

Le talon d'une poutre constitue la fibre inférieure de cette dernière ; son dimensionnement se fait à la flexion et doit permettre de loger les câbles de précontrainte dans de bonnes conditions d'enrobage et d'espacement. Sa largeur b_t est généralement comprise entre 0.4 et 0.6 m et sa hauteur h_0 comprise habituellement entre 0.1 et 0.2m. On adopte :

$$b_t = 0.44\text{m.}$$

$$h_0 = 0.18\text{m.}$$

f) Espacement entre axe des poutres

L'espacement entre axes des poutres est situé entre 1.5m et 2.5m

$$1.5 \leq \lambda \leq 2.5 \text{ m}$$

Dans notre cas on prend **$\lambda = 1.5 \text{ m}$** .

g) Hourdis général

L'hourdis est réalisé par-dessus les poutres sur toute la largeur du tablier. Il est construit en béton armé ou en béton précontraint.

La longueur de ce dernier correspond à la portée des poutres, c'est-à-dire une longueur égale à $L_h = 25 \text{ m}$.

La largeur de l'hourdis correspond à la somme de la largeur rouable plus celle des trottoirs $\rightarrow l_h = 10.08 \text{ m}$.

L'épaisseur de l'hourdis est définie comme étant sensiblement constante. Les variations qui peuvent subvenir sont faibles et elles sont dues au dévers transversal [1].

En fonction de l'écartement des poutres λ , on peut déduire l'épaisseur de l'hourdis :

$$\rightarrow \lambda \leq 2.75 \rightarrow e_h = 0.16 \text{ m.}$$

Toutefois, cette épaisseur n'est que rarement retenue, du fait du faible bras de levier des aciers ainsi que des conditions de leur bon enrobage. Donc on adoptera une épaisseur $e_h = 0.20 \text{ m}$.

h) Equipements

➤ Trottoirs

Le rôle des trottoirs est de protéger les piétons en les isolant, en général par simple surélévation, de la circulation automobile. Ils longent les bords du tablier encadrés par une glissière de sécurité et un garde-corps.

➤ Corniches

Les corniches ont essentiellement un rôle esthétique ; elles sont situées à la partie haute des tabliers, toujours bien éclairées et dessinent donc la ligne de l'ouvrage. En plus de ce rôle esthétique intrinsèque, la corniche doit également servir de larmier afin d'éviter le ruissellement de l'eau de pluie sur les parements de la structure porteuse.

En Algérie, on utilise souvent les corniches en béton armé préfabriqué.

➤ Glissière de sécurité

Le rôle des glissières est de sécuriser les piétons sur les trottoirs en les protégeant des véhicules qui roulent sur les voies du pont. On utilise généralement c'est les glissières souples qui sont employées dont les dimensions sont normalisées.

3.3. Caractéristiques géométriques

Afin de caractériser les deux caissons limites et la poutre, on a utilisé le logiciel Robot Structurel module Expert (section de pont). On pose :

- ✓ Y_g : centre de gravité de la section par rapport à la fibre inférieure.
- ✓ B : Aire de la section.
- ✓ I : Moment d'inertie de la section par rapport à son centre de gravité.

On sait que [2] :

V : la distance entre le centre de gravité et la fibre supérieure.

$$V = H - Y_g$$

V' : La distance entre le centre de gravité et la fibre inférieure.

$$V' = Y_g$$

ρ : rendement mécanique de la section :

$$\rho = I/(B.V.V')$$

3.3.1. Voussoir

a) Sur pile

$$Y_g = 3.03 \text{ m.} \quad B = 9 \text{ m}^2. \quad I = 50.05 \text{ m}^4. \quad V = 2.97 \text{ m.} \quad V' = 3.03 \text{ m.} \quad \rho = 0.62 \text{ m.}$$

b) A la clé

$$Y_g = 1.78 \text{ m.} \quad B = 5.67 \text{ m}^2. \quad I = 7.82 \text{ m}^4. \quad V = 1.22 \text{ m.} \quad V' = 1.78 \text{ m.} \quad \rho = 0.63 \text{ m.}$$

3.3.2. Poutre

Comme la section de la poutre n'est pas constante tout au long de la travée, nous considérons donc trois sections à étudier.

a) Première section (section d'about)

Les dimensions de la section d'about sont données dans les figures 3.7 et 3.8.

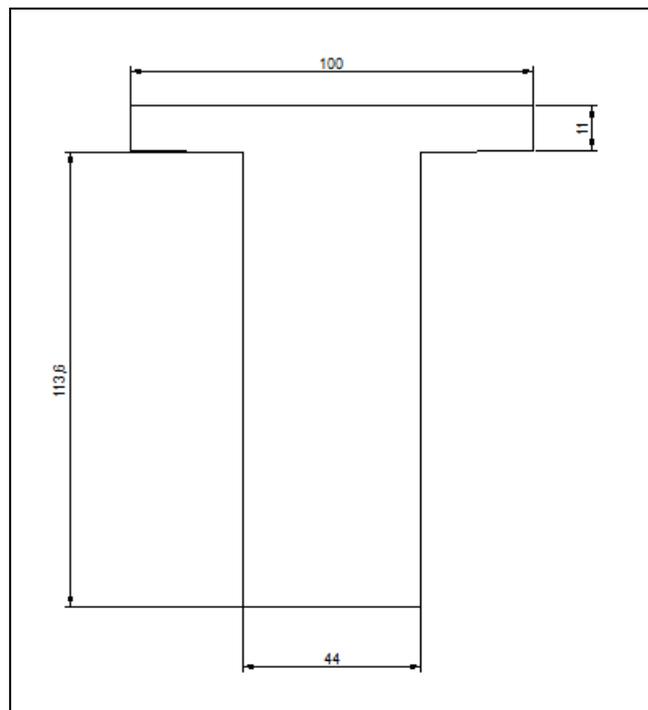


Figure 3.7 : Section d'about.

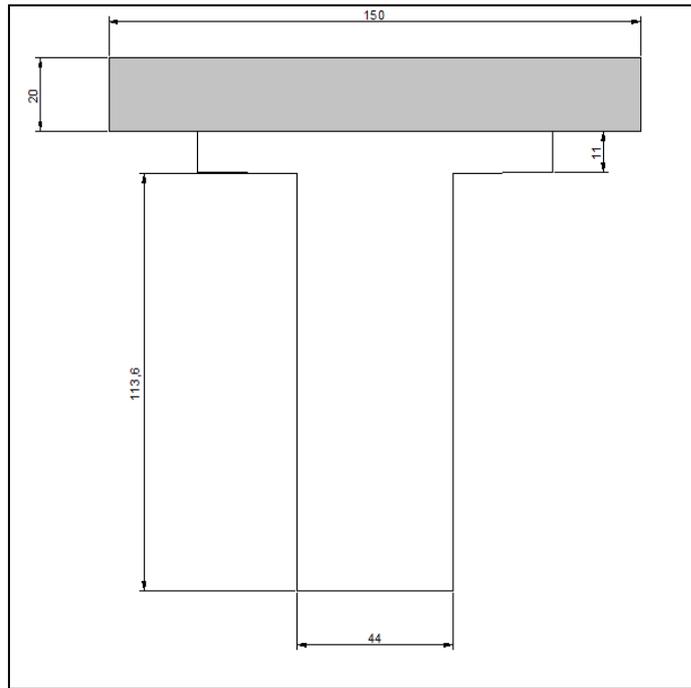


Figure 3.8 : Section d'about de la poutre en BP plus l'hourdis général.

$$Y_g = 0.9 \text{ m.} \quad B = 0.91 \text{ m}^2. \quad I = 0.14 \text{ m}^4. \quad V = 0.6 \text{ m.} \quad V' = 0.9 \text{ m.} \quad \rho = 0.37$$

b) Deuxième section

Les dimensions de la seconde section considérée dans les calculs sont (voir figures 3.9 et 3.10) :

$$Y_g = 0.72 \text{ m.} \quad B = 0.84 \text{ m}^2. \quad I = 0.18 \text{ m}^4. \quad V = 0.58 \text{ m.} \quad V' = 0.96 \text{ m.} \quad \rho = 0.4$$

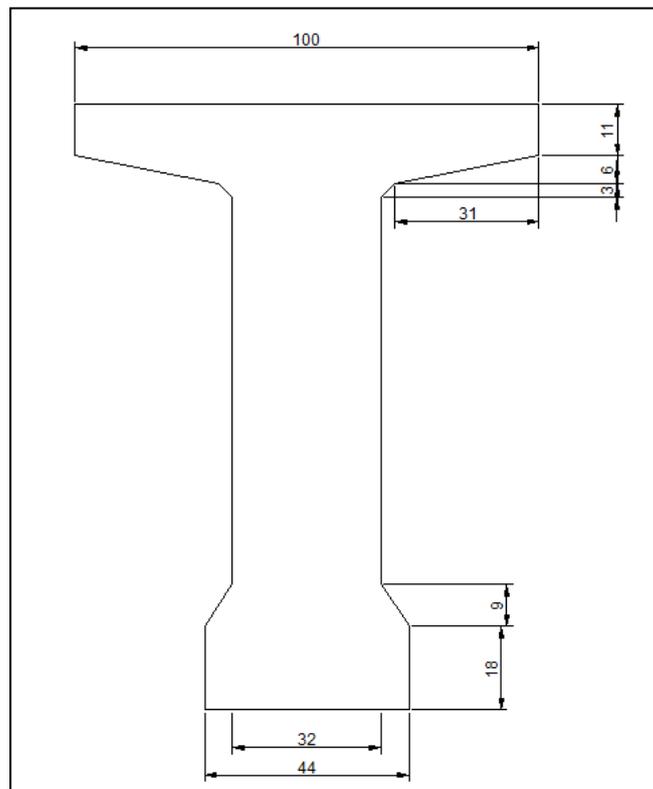


Figure 3.9 : Deuxième section.

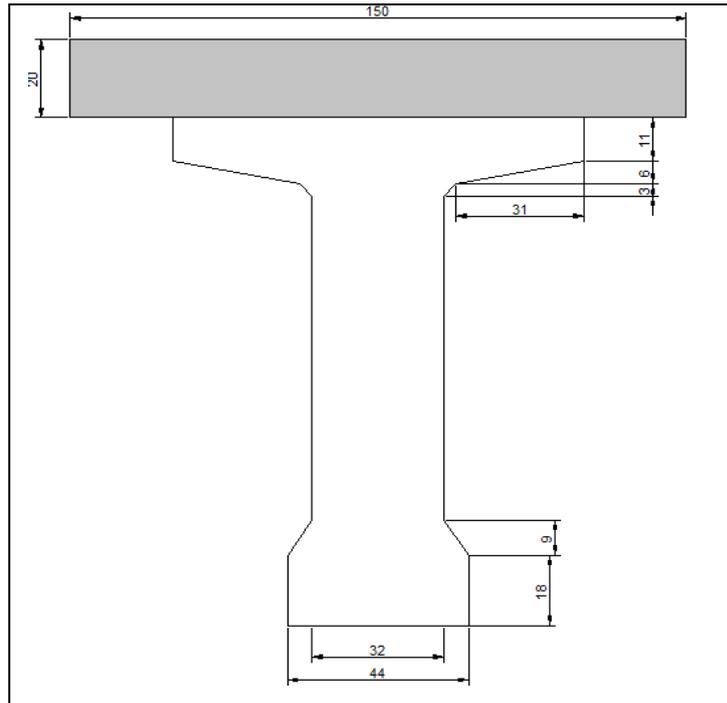


Figure 3.10 : Deuxième section de la poutre en BP plus l'hourdis général.

c) *Troisième section*

La 3^{ème} section d'étude a pour dimensions (figure 3.11 et 3.12):

$$Y_g = 0.76 \text{ m.} \quad B = 0.7376 \text{ m}^2. \quad I = 0.17 \text{ m}^4. \quad V = 0.54 \text{ m.} \quad V' = 1 \text{ m.} \quad \rho = 0.52$$

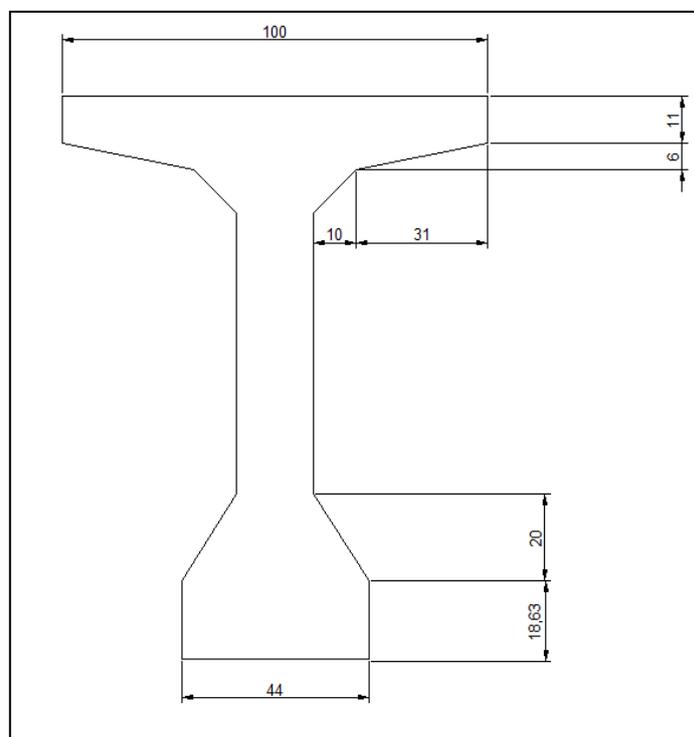


Figure 3.11 : Troisième section

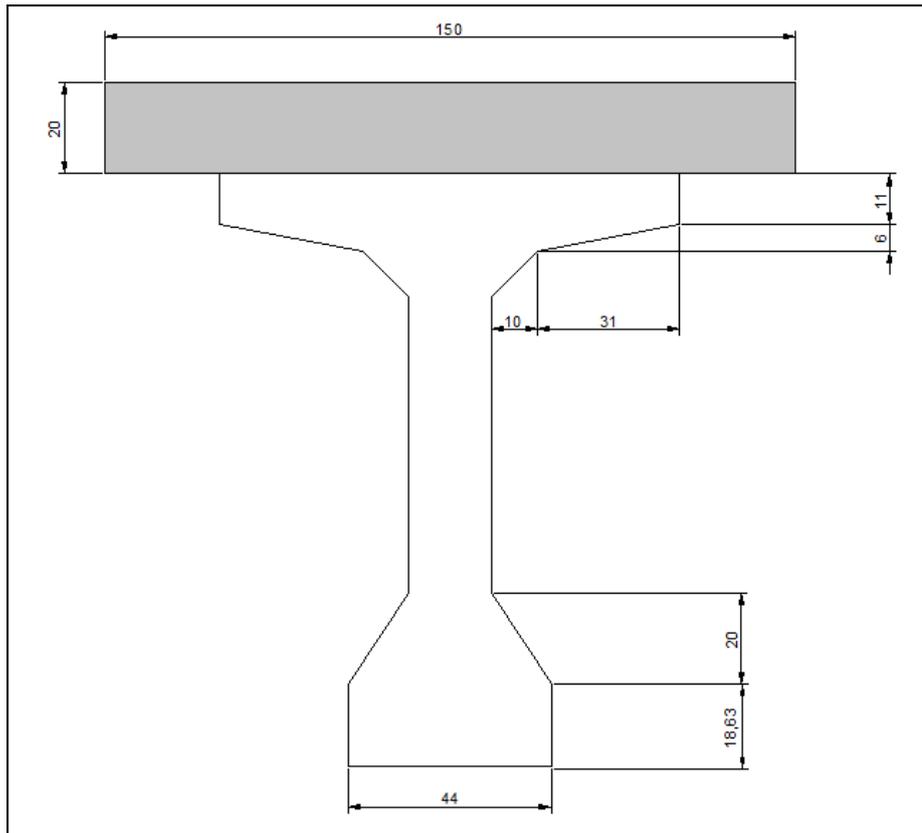
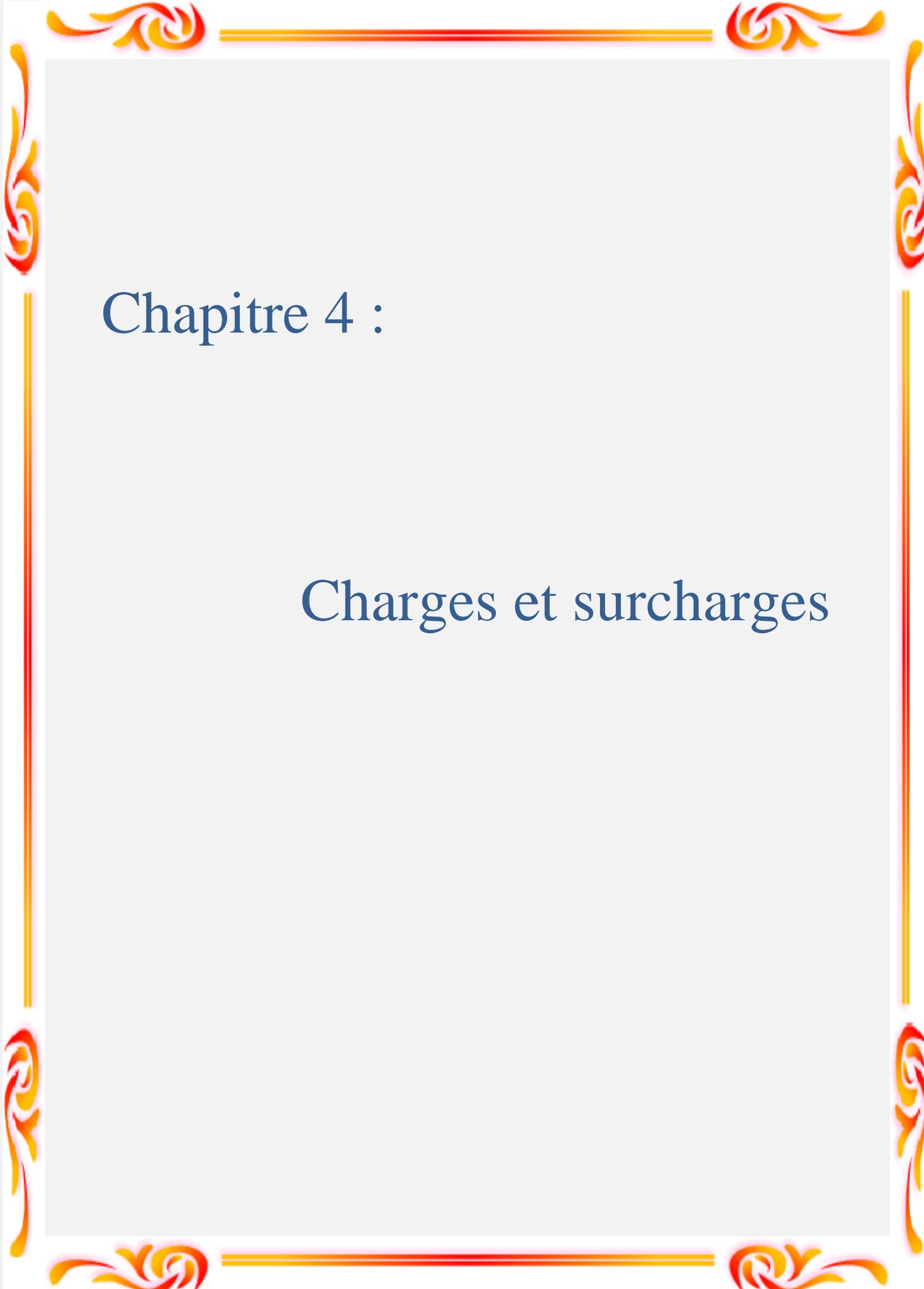


Figure 3.12 : Troisième section de la poutre en BP plus l'hourdis général.

3.4.Conclusion

Dans ce chapitre, nous avons déterminé les différentes dimensions du pont permettant de modéliser la structure et la solliciter avec différents cas de chargement dans le but de vérifier ces dimensions.



Chapitre 4 :

Charges et surcharges

4.1. Introduction

Le calcul d'un pont, comme de toute autre construction, a pour objet de vérifier que le dimensionnement adopté lui confère le niveau de stabilité requis compte tenu de la qualité exigée des matériaux qui seront utilisés et du niveau de contrôle prévu lors de son exécution. Pour assurer sa fonction, il doit être capable de résister, avec les marges appropriées, non seulement aux efforts engendrés par son poids propre, mais aussi aux efforts dus à l'ensemble des actions d'origine naturelle et fonctionnelle qui lui seront appliquées.

Les actions appliquées sur un pont sont de deux types :

✓ Les actions hors trafic pouvant être soit permanentes [poids propre des éléments porteurs (poutre, caisson...) ou non porteurs de type trottoirs, corniche, revêtement, garde-corps...] ou bien variables type charges climatiques (vent et température) en plus de l'action sismique.

✓ Les actions dues au trafic consistent dans des actions variables représentées par des systèmes de charges prédéfinies (système de charge A, B, militaires et les convois exceptionnels), ainsi que les actions accidentelles dues au choc d'un véhicule sur un des éléments porteurs du pont.

4.2. Présentation du logiciel

Le système *Robot Structural* est un logiciel destiné à modéliser, analyser et dimensionner les différents types de structures. *Robot Structural* permet de modéliser les structures, les calculer, vérifier les résultats obtenus, dimensionner les éléments spécifiques de la structure et la dernière étape gérée par le logiciel est la création de la documentation pour la structure calculée et dimensionnée. *Robot Structural* est un logiciel de calcul et d'optimisation des structures. Il utilise la méthode d'analyse par éléments finis pour étudier les structures planes et spatiales de types : Treillis, portiques, structures mixtes, grillage de poutres, plaque, coques, contraintes planes, déformations planes, éléments axisymétriques, éléments volumiques. Les utilisateurs du logiciel pour les études d'ouvrages d'art ou de génie civil bénéficient de toute la puissance de modélisation du logiciel afin de réaliser des modèles mixtes, composés de barres et/ou de coques. Ils peuvent également disposer des éléments volumiques. Des modèles spécifiques comme le calcul des sections d'acier permettent l'étude de nombreux ouvrages. Il permet de définir des charges roulantes d'un convoi modélisé par une combinaison de forces quelconques (forces centrées, charges linéaires et charges surfaciques). Le convoi est un ensemble de forces de directions, valeurs et positions données. Pour chaque pas, le convoi est déplacé d'une position vers la suivante. Le cas de charge roulante est ainsi considéré comme un ensemble de plusieurs cas de charges statiques (un cas de charge pour chaque position du convoi). *Robot Structural* est un logiciel orienté métier adapté aux constructions en acier, en bois, en béton armé ou mixte. Il comprend des modules d'assemblage, de ferrailage, de vérification et de dimensionnement suivant les différentes normes internationales existantes.

4.3. Caractéristiques du pont

La figure 4.1 mentionne les différentes largeurs considérées dans le calcul d'un pont.

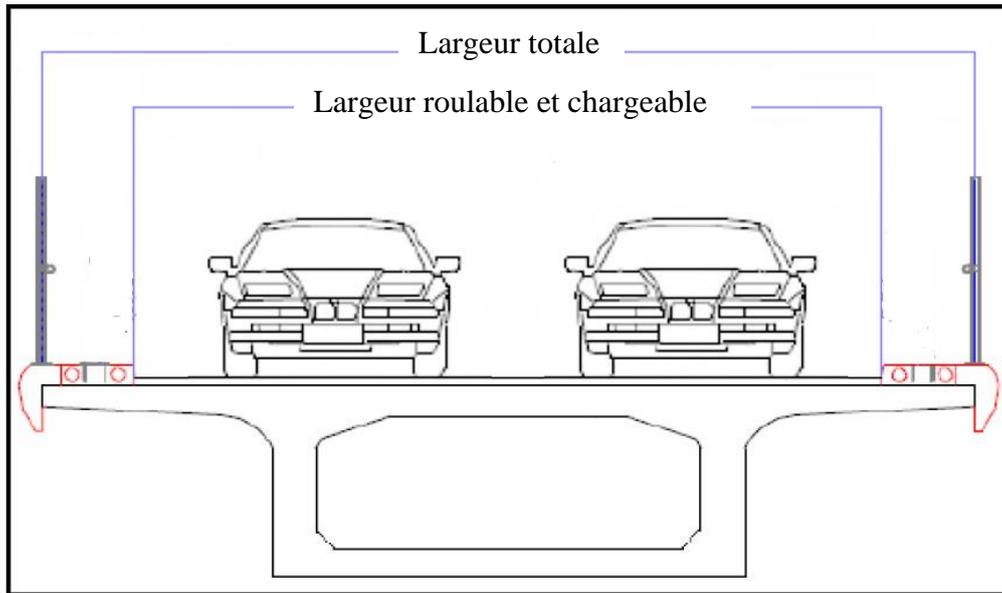


Figure 4.1 : Profil en travers pour les différentes largeurs à considérer.

Les caractéristiques du pont sont :

a) **Classe du pont en fonction de la largeur roulable**

$L_r > 7$ m : Pont de 1^{ère} classe.

$5.5 < L_r < 7$ m : Pont de 2^{ème} classe.

$L_r < 5.5$ m : Pont de 3^{ème} classe.

Dans notre cas $L_r = 10.08 - 1.25 - 1.15 = 7.68$ m → **Pont de 1^{ère} classe.**

b) **Largeur chargeable L_c**

$L_c = L_r$ (absence des glissières de chaque côté).

$L_c = 7.68$ m.

c) **Nombre de voies**

$N = \text{Partie entière } (L_c/3)$ → **$N = 2$ voies.**

d) **Largeur de voie**

$l_v = L_c/N$ → **$l_v = 3.84$ m.**

4.4. Evaluation des charges et surcharges

4.4.1. Charges permanentes

a) **Éléments porteurs**

➤ **Dalle en béton armé**

$$G_{\text{dalle}} = \rho_B \times e_{\text{dalle}} \times L_{\text{dalle}}$$

Avec : ρ_B : poids volumique du béton = 2.5 t/m^3

e_{dalle} : épaisseur de la dalle = 0.20 m

L_{dalle} : largeur de la dalle = 10.08 m

$$G_{\text{dalle}} = 2.5 \times 0.20 \times 10.08 \rightarrow G_{\text{dalle}} = \mathbf{5.04 \text{ t/ml.}}$$

➤ **Poutres en béton précontraint**

$$G_{\text{PBP}} = \rho_B \times S_{\text{PBP}} \times N_{\text{PBP}}$$

Avec : S_{PBP} : Surface transversale de la poutre en béton précontraint.

N_{PBP} : Nombre de poutres en béton précontraint = 7 poutres.

$$G_1 = 0.65 \times 1.1 \times 2.5 = 1.7875 \text{ t.}$$

$$G_2 = 0.59 \times 4.035 \times 2.5 = 5.951625 \text{ t.}$$

$$G_3 = 0.46 \times 7.225 \times 2.5 = 8.30875 \text{ t.}$$

$$G_{1-2} = [(0.65+0.59)/2] \times 0.07 \times 2.5 = 0.1085 \text{ t.}$$

$$G_{2-3} = [(0.59+0.46)/2] \times 0.07 \times 2.5 = 0.091875 \text{ t.}$$

On a : $L_{PBP} = 25 \text{ m.}$

$$G_{PBP} = 2 \times (G_1 + G_2 + G_3 + G_{1-2} + G_{2-3}) / L_{PBP}.$$

$$= 2 \times (1.7875 + 5.951625 + 8.30875 + 0.1085 + 0.091875) / 25.$$

$$G_{PBP} = 1.2711 \text{ t/ml.}$$

Pour l'ensemble des poutres le poids est :

$$G_{PBP} = 1.2711 \times 7 = 8.8977 \text{ t/ml.}$$

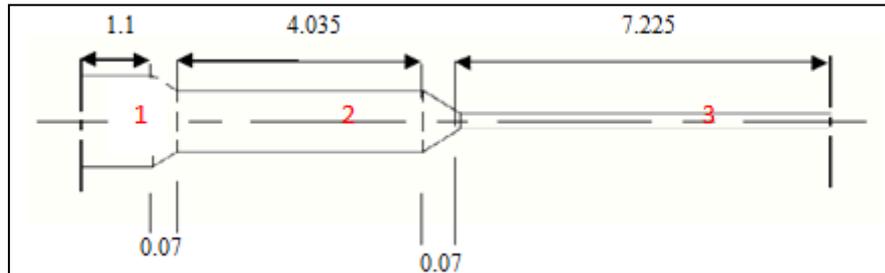


Figure 4.2 : Différentes sections composant la poutre en béton précontraint.

➤ **Voussoirs**

Le poids propre du tablier, partie voussoirs, sera calculé comme suit :

$$G_V = 2 \times (G_1 + G_2) + G_3 \text{ tel que : } G_1 : \text{ poids propre de la travée de rive.}$$

G_2 : poids propre de la demi-travée centrale ($L/2 = 49 \text{ m}$).

G_3 : poids propre de la clé.

❖ **Travée de rive (G_1)**

$$G_1 = G_{11} + G_{12} \text{ tel que : } G_{11} : \text{ poids propre du voussoir à la clé (voussoir de hauteur constante).}$$

G_{12} : poids propre de la partie avec variation de la hauteur.

$$G_{11} = 2.5 \times 5 \times S_C = 2.5 \times 5 \times 5.67 = 70.9 \text{ t}$$

$$G_{12} = 2.5 \int_0^{54} S_1(x) dx = 866.332 \text{ t}$$

$$\text{Alors : } G_1 = 937.232 \text{ t}$$

❖ **Demi-travée centrale (G_2)**

$$G_2 = 2.5 \int_0^{49} S_2(x) dx = 814.08 \text{ t}$$

❖ **À la clé**

$$G_3 = 2.5 \times 2.85 \times S_C = 40.4 \text{ t}$$

$$\text{Ce qui nous donne : } G_V = 3543.024 \text{ t}$$

b) **Éléments non porteurs**

➤ **Trottoirs**

La coupe transversale du trottoir est donnée dans la figure 4.3.

$$\text{La surface du trottoir} = 0.2279 \text{ m}^2.$$

$$G_T = 2.5 \times 2 \times 0.2279 = 1.14 \text{ t/ml.}$$

➤ *Corniches*

La surface de la corniche = 0.16 m^2 .

$$G_C = 2.5 \times 2 \times 0.16 = \mathbf{0.8 \text{ t/ml}}$$

➤ *Garde-corps*

Le poids des garde-corps est prie = 0.1 t/ml

$$G_{GC} = 2 \times 0.1 = \mathbf{0.2 \text{ t/ml}}$$

➤ *Revêtement*

Le poids volumique du bitume = 2.2 t/m^3

La surface transversal de la couche de revêtement = $0.08 \times 7.68 = \mathbf{0.6144 \text{ m}^2}$.

$$G_R = 0.6144 \times 2.2 = \mathbf{1.3517 \text{ t/ml.}}$$

➤ *Étanchéité*

Le poids volumique = 2.2 t/m^3 .

La surface de la couche d'étanchéité = $0.04 \times 7.68 = 0.3072 \text{ m}^2$

$$G_E = 0.3072 \times 2.2 = \mathbf{0.6758 \text{ t/ml.}}$$

c) *Poids des éléments non porteurs*

$G_{NP} = \text{Trottoirs} + \text{Corniches} + \text{Garde-corps} + \text{Revêtement} + \text{Étanchéité.}$

$$G_{NP} = \mathbf{4.1675 \text{ t/ml.}}$$

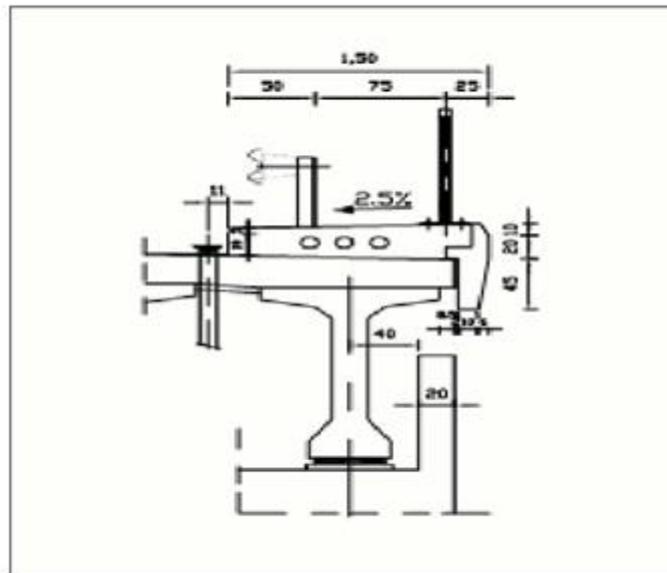


Figure 4.3 : Coupe transversale d'un trottoir.

4.4.2. Charges routières

a) *Système de charge A*

$$A = a_1 \cdot a_2 \cdot A(L) \quad \text{tel que : } A(L) = 230 + 36000 / (L+12) \quad (\text{Kg/m}^2).$$

Avec : L : Longueur chargée.

a_1 : Pour les ponts de 1^{ère} classe. $a_1 = 1$ (pour une ou deux voies chargées).

a_2 : l_0/l_v tel que $l_0 = 3.5 \text{ m}$ (Pont de 1^{ère} classe).

$$a_2 = \mathbf{0.91.}$$

$$\rightarrow A = 0.91A(L).$$

➤ *Partie hyperstatique (Voussoirs)*

On peut déterminer le choix du placement de la charge **A** sur le tablier du pont de telle sorte à avoir des moments fléchissants et des efforts tranchants maximums. Pour cela, il faut considérer différents cas de chargements. Dans notre cas, nous avons 5 cas à étudier illustrés sur la figure 4.4 :

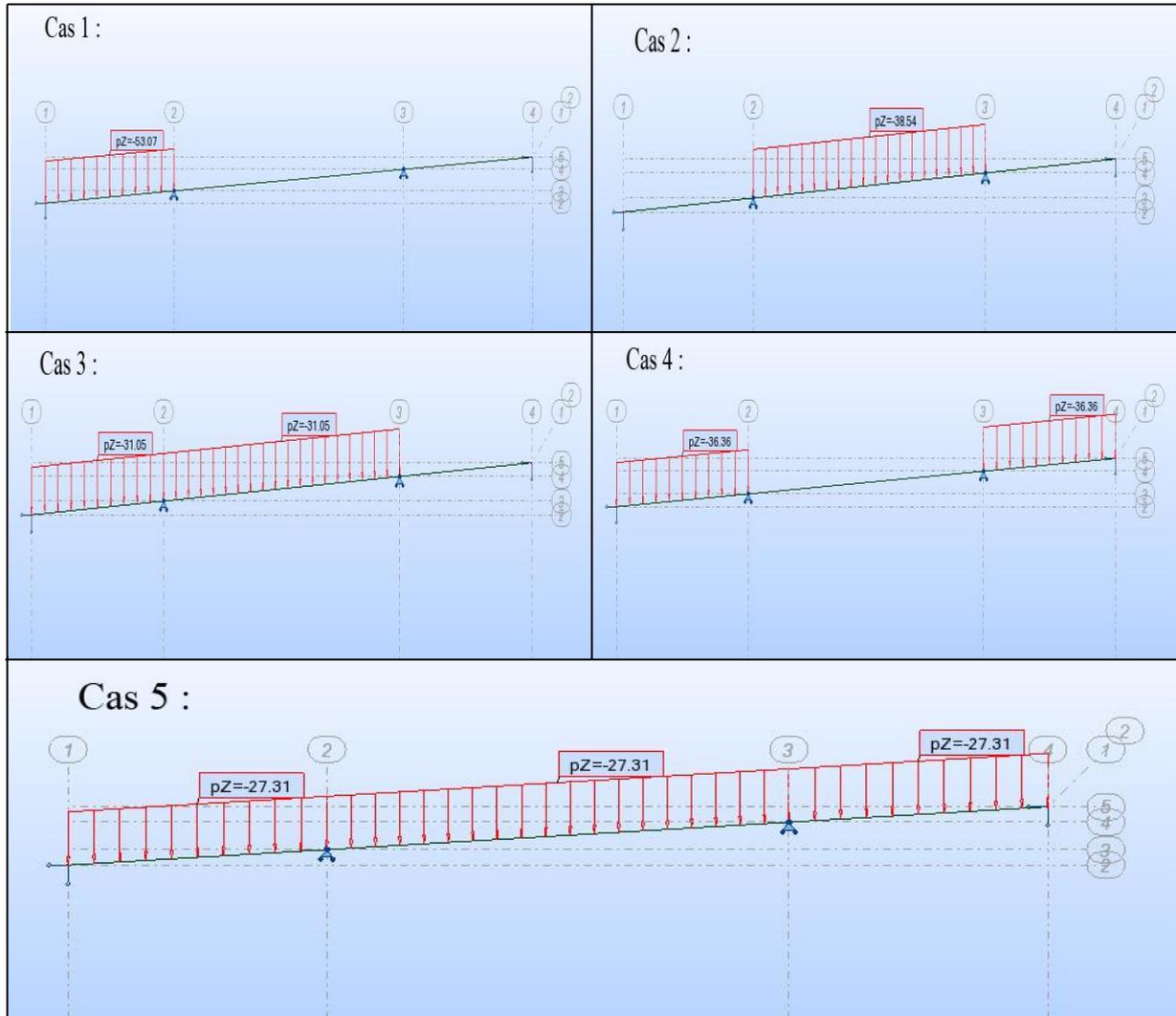


Figure 4.4 : Différents cas de position de la surcharge A sur la partie centrale.

Le tableau 4.1 donne les différentes valeurs de A :

Tab 4.1 : Différentes valeurs de A.

Cas	L (m)	A(L) (Kg/m ²)	A (Kg/m ²)	A (t/m ²)	A (KN/m)
1	56	759,41	691,06	0,69	53,07
2	100	551,43	501,80	0,50	38,54
3	156	444,29	404,30	0,40	31,05
4	112	520,32	473,49	0,47	36,36
5	212	390,71	355,55	0,36	27,31

Le calcul des sollicitations engendrées par la surcharge A est fait par le logiciel de calcul Robot Structural. Les résultats donnés par le logiciel montrent que le 2^{ème} cas provoque le moment fléchissant ainsi que l'effort tranchant les plus défavorables (Figure 4.5 et 4.6).

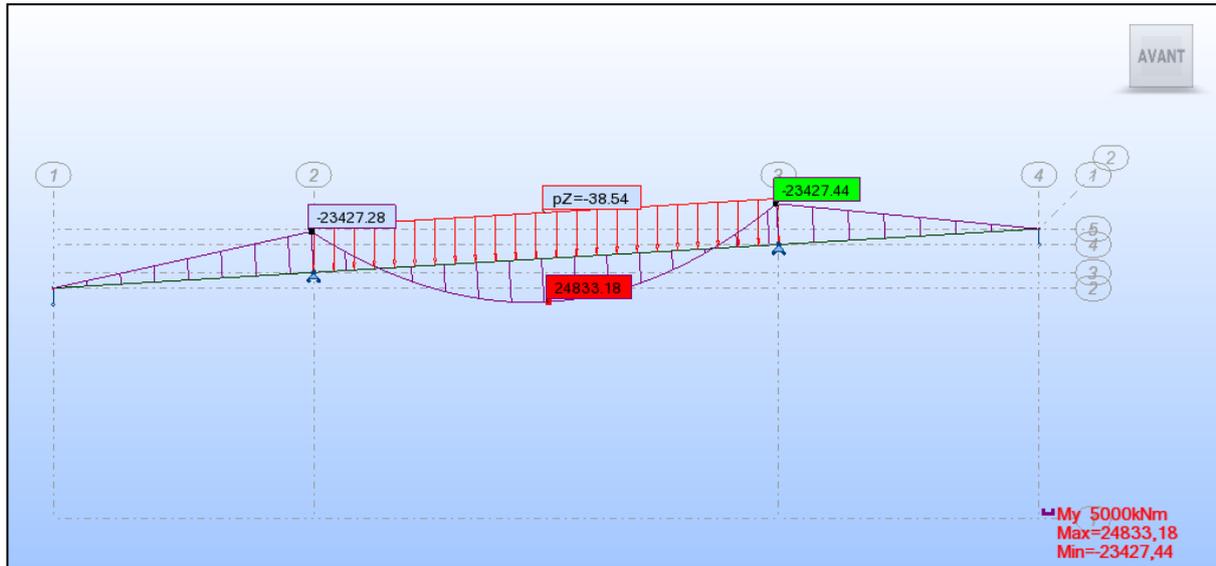


Figure 4.5 : Diagramme du moment fléchissant sous l'effet du 2^{ème} cas

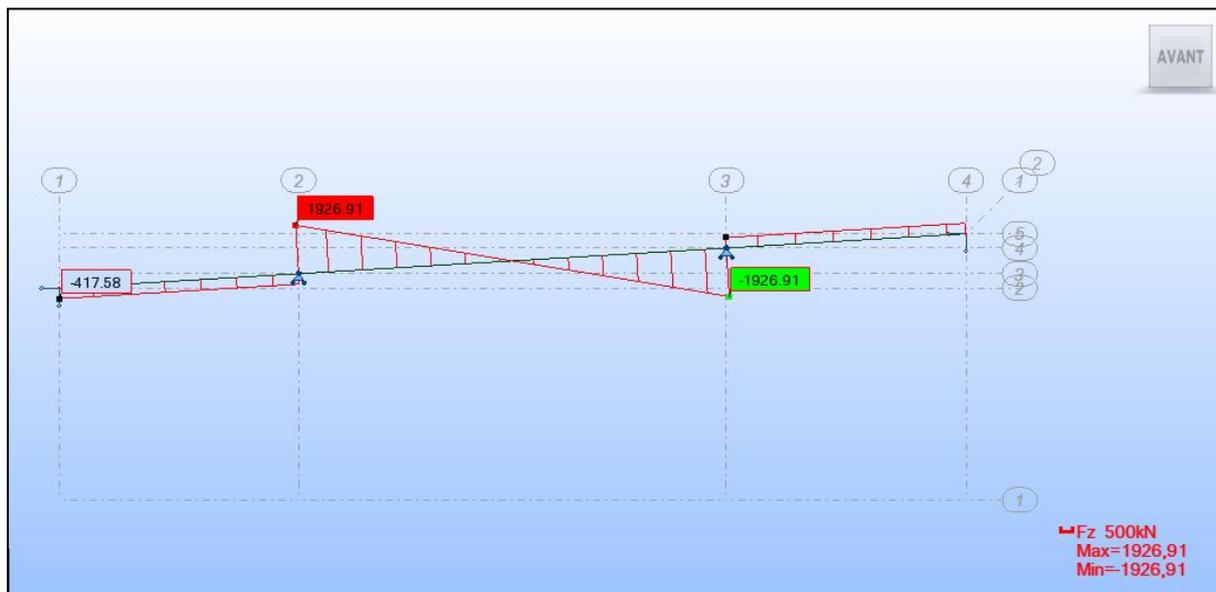


Figure 4.6 : Diagramme de l'effort tranchant sous l'effet du 2^{ème} cas

Ce qui donne : $A = 0.5 \text{ t/m}^2$.

➤ *Partie isostatique (Poutres)*

$L = 25 \text{ m}$. ➔ $A(L) = 1203 \text{ Kg/m}^2$. ➔ $A = 1.1 \text{ t/m}^2$.

b) Système de charge Bc

Un camion type, du système Bc, comporte 3 essieux ; tous les trois sont à roues simples munies de pneumatiques et répondant aux caractéristiques suivantes (figure 4.7) [4] :

- ✓ Masse totale 30 t.
- ✓ Masse portée par chacun des essieux arrière 12 t.
- ✓ Masse portée par l'essieu avant 6 t.
- ✓ Longueur d'encombrement 10.50 m.
- ✓ Largeur d'encombrement 2.5 m.
- ✓ Distance des essieux arrière 1.5 m.
- ✓ Distance de l'essieu avant au 1^{er} essieu arrière 4.5 m.
- ✓ Distance entre axe de deux roues d'un essieu 2 m.
- ✓ Surface d'impact d'une roue arrière $0.25 \times 0.25 \text{ m}^2$.
- ✓ Surface d'impact d'une roue arrière $0.20 \times 0.20 \text{ m}^2$.

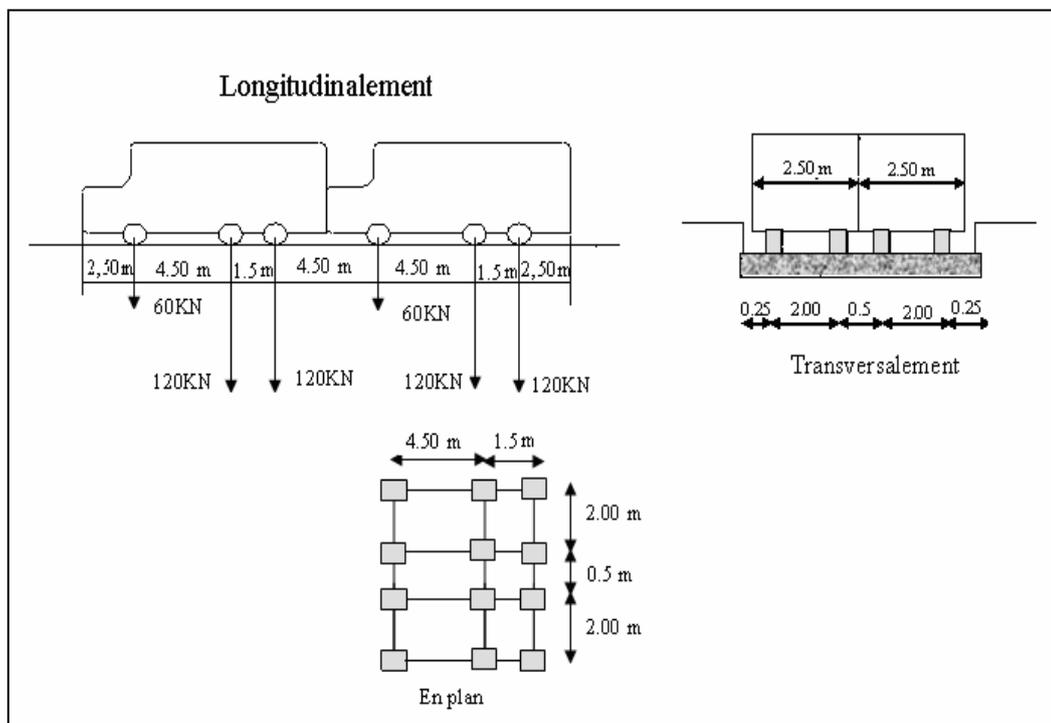


Figure 4.7 : Système Bc.

$B_C = 60 \times N \times b_C$ tel que N : nombre de voies chargées.

b_C : 1.1 pour un pont de 1^{ère} classe avec 2 voies chargées.

$$B_C = 60 \times 2 \times 1.1 \rightarrow \mathbf{B_C = 132 \text{ t.}}$$

c) Système Br

- ✓ La roue isolée qui constitue le système B_r porte une masse de 10 t ; sa surface d'impact est un rectangle réparti chargé dans le côté transversal de 0.6m et longitudinal 0.30 m (figure 4.8).

- ✓ Le rectangle d'impact de cette roue disposée normalement à l'axe longitudinal de la chaussée peut être placé n'importe où sur la largeur roulable.

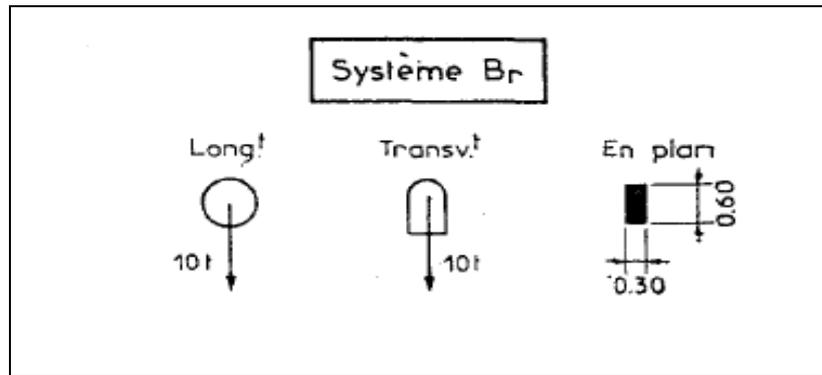


Figure 4.8 : Système Br.

Br = 10 t.

d) Système Bt

- ✓ Utilisé uniquement pour les ponts de 1^{ère} et 2^{ème} classes ; il est caractérisé par un tandem qui comporte 2 essieux (figure 4.9).
- ✓ Chaque tandem est supposé circuler dans l'axe d'une bande longitudinale de 3 m de large.
- ✓ Pour les chaussées à une voie, un seul tandem est disposé.
- ✓ Pour les ponts supportant au moins 2 voies, **2 tandems au plus**.
- ✓ La surcharge B_t est pondérée par b_t : $b_t = 1.2$ pour les ponts de 1^{ère} classe. $b_t = 1.0$ pour les ponts de 2^{ème} classe [4].

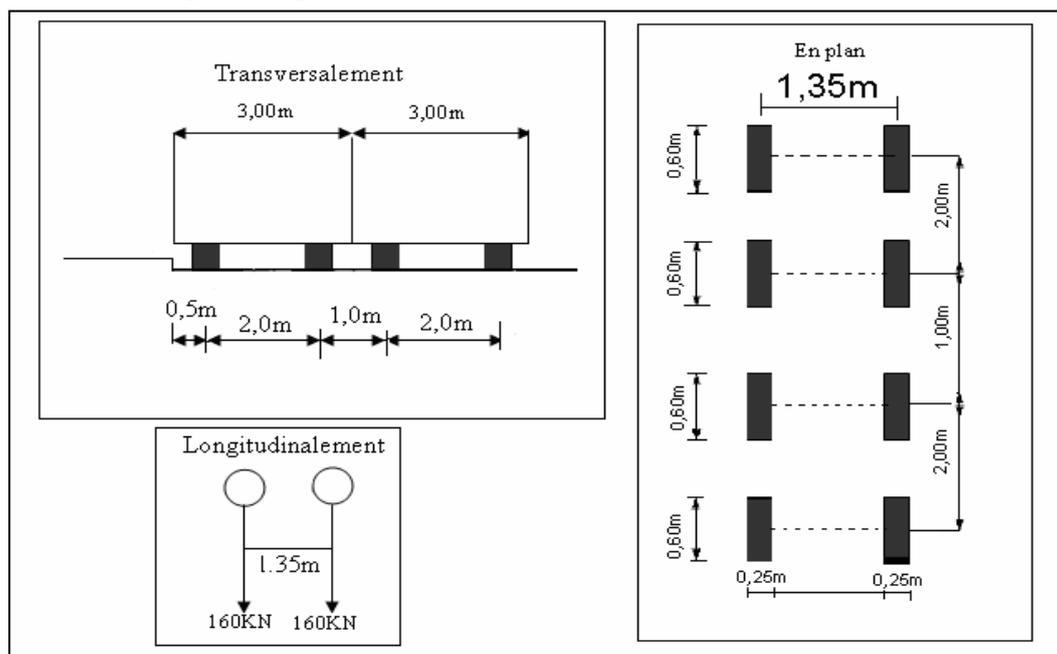


Figure 4.9 : Système Bt.

$B_t = 32 \times N \times b_t$ tel que $b_t = 1.2$ pour un pont de 1^{ère} classe.

→ $B_t = 76.8 \text{ t}$.

e) *Système de charge militaire*

Sur les itinéraires classés pour permettre la circulation des convois militaires, il y a lieu de prendre en compte les effets des véhicules types décrits ci-après susceptibles dans certains cas d'être plus défavorables que ceux des systèmes A et B. Les convois militaires sont composés de deux classes M120 et M80. Chaque classe se compose de deux systèmes distincts [4] :

- ✓ Système Mc : représenté par des chenilles.
- ✓ Système Me : composé d'un groupe de deux essieux.

Dans notre ouvrage, selon les hypothèses de calcul on ne tiendra compte que des surcharges militaires Mc120.

➤ *Système Mc120*

Un véhicule type de système Mc120 comporte 2 chenilles et répond aux caractéristiques suivantes (figure 4.10) :

- ✓ Masse totale : 110 t.
- ✓ Longueur de chenilles : 6.10 m.
- ✓ Largeur de chenille : 1 m.
- ✓ L'entraxe : 3.30 m.
- ✓ La surface d'impact de chaque chenille est un rectangle uniformément chargé de $6.10 \times 1.00 \text{ m}$.

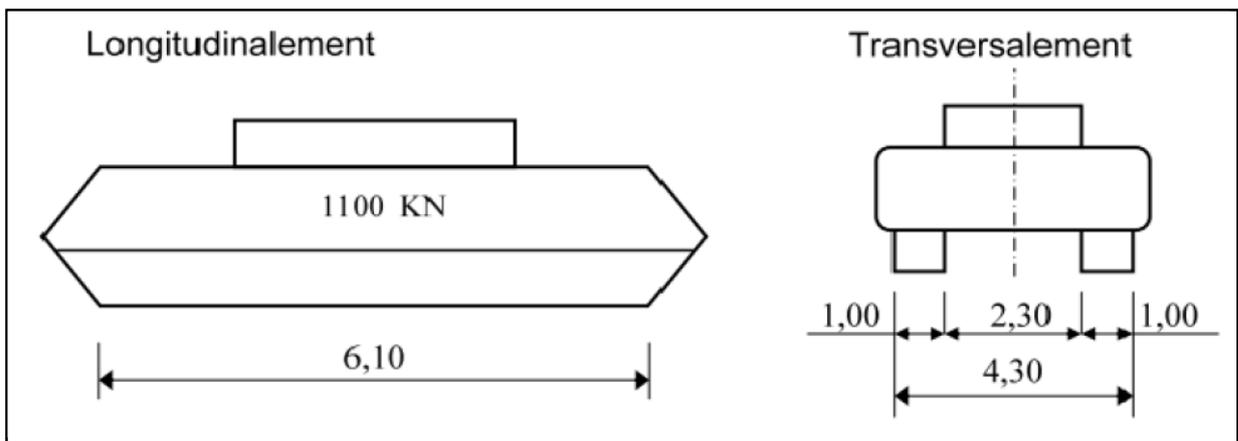


Figure 4.10 : Surchage militaire type Mc120.

$M_{c120} = 110 \text{ t}$.

f) *Système de surcharges exceptionnelles*

Les ponts doivent être calculés pour être susceptibles de supporter les efforts dus aux surcharges des convois exceptionnels qui s'avèrent parfois plus défavorables que les charges A et B. D'après les hypothèses de calcul, on s'intéressera au convoi D240 [4].

➤ **Surcharge exceptionnelle D240**

Elle comporte une remorque à 3 éléments dont chacun se compose de 4 lignes, d'un poids total de 240 t. Elle s'étale sur une surface uniformément chargée de 18.60 m de longueur et de 3.2 m de largeur (figure 4.11).

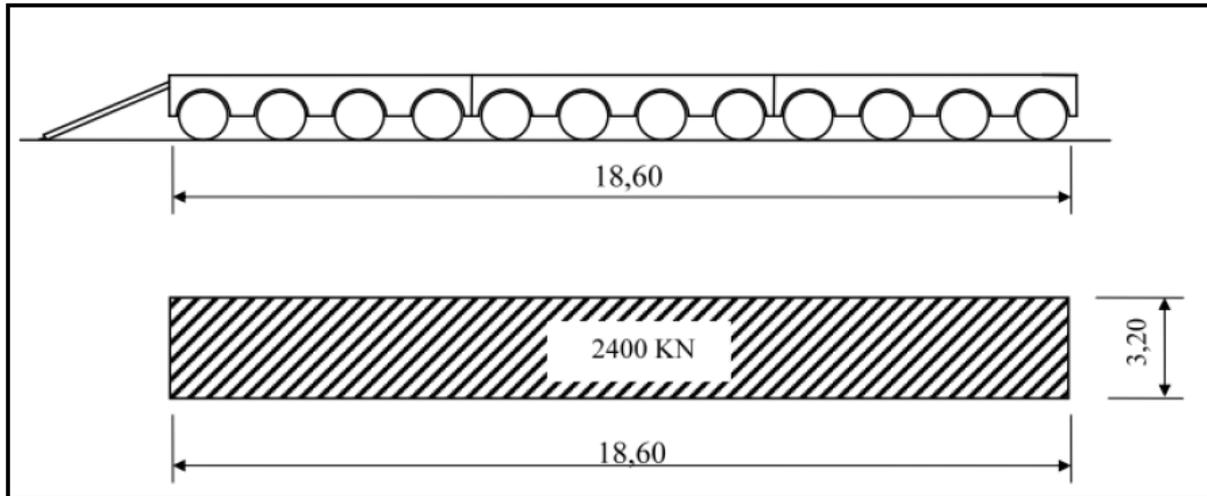


Figure 4.11 : Surcharge exceptionnelle type D240.

➔ **D240 = 240 t.**

g) Coefficient de majoration dynamique

Lorsque les forces appliquées agissent sans vitesse et leur intensité varie lentement, l'équilibre après déformation est obtenu statiquement.

Par contre, ces mêmes forces appliquées brusquement ou avec une vitesse donnée, produisent des effets supérieurs à ceux produits par les mêmes forces agissant statiquement.

On admet que les effets dus à une charge P agissant dynamiquement, correspondent à ceux de la charge δP agissant statiquement c'est-à-dire que $F_d = \delta * F_{st}$ avec $\delta > 1$ appelé coefficient de majoration dynamique, ce dernier s'applique aux surcharges du système B et aux charges militaires (voir tableaux 4.2 à 4.4) [4].

Avec : G : la charge permanente. Tel que : **$G_p = 230.2$ t** et **$G_{V \text{ rive}} = 1170.61$ t.**

$G_{V \text{ centrale}} = 2085.31$ t.

$$\delta = 1 + \beta + \alpha = 1 + \frac{0.6}{1 + 4 \times \frac{G}{S}} + \frac{0.4}{1 + 0.2L}$$

S : Surcharge maximale.

L : Longueur d'élément.

Pour un pont à poutres multiples sous chaussée (comme celui étudié (partie isostatique)), L est défini comme suit :

$L = \min (L_p ; l_1)$ tel que : L_p : portée des poutres principales.

l_1 : $\max (L_r ; l)$ et l : est l'entre axe des poutres principales de rive.

$L_p = 25$ m $L_r = 7.68$ m $l = 9$ m ➔ **L = 9 m.**

Ensuite, on doit recalculer B_c pour la nouvelle longueur, ce qui nous mène à :
 $B_c = N \times 24 \times b_c \rightarrow B_c = 52.8 \text{ t}$.

Tab 4.2 : Coefficient de majoration dynamique pour la partie isostatique.

Surcharges	S (t)	β	α	δ
B_c	52,8	0,03	0,14	1,17
B_t	76,8	0,05	0,14	1,19
B_r	10	0,006	0,14	1,146
Mc120	110	0,06	0,14	1,20

Tab 4.3 : Coefficient de majoration dynamique pour la partie hyperstatique (Travée de rive).

Surcharges	S (t)	β	α	δ
B_c	132	0,02	0,03	1,05
B_t	76,8	0,01	0,03	1,04
B_r	10	0,001	0,03	1,031
Mc120	110	0,013	0,03	1,043

Tab 4.4 : Coefficient de majoration dynamique pour la partie hyperstatique (Travée centrale).

Surcharges	S (t)	β	α	δ
B_c	132	0,009	0,019	1,028
B_t	76,8	0,005	0,019	1,024
B_r	10	0,0007	0,019	1,0197
Mc120	110	0,007	0,019	1,026

4.4.3. Surcharges sur les trottoirs

Il y a deux types de charges appliquées aux trottoirs :

✓ Charges locales

Elles servent à la justification des éléments du tablier, on a une charge uniforme de 450 kg/m² supportée par les trottoirs de tout l'ouvrage, disposée en longueur ou en largeur pour produire l'effet max. Elles sont utilisées avec le système B ou militaire.

✓ Charges générales

Servent à la justification des poutres principales, elles sont :

- Appliquées sur les trottoirs : Une charge uniformément répartie de 150kg/m² de façon à produire l'effet maximum.
- Dans le sens de la largeur, les deux trottoirs sont chargés simultanément.
- Dans le sens de la longueur, pas forcément pour produire l'effet maximum.
- On charge les trottoirs sur les mêmes longueurs pour le système A.

Dans notre cas, nous appliquons sur les trottoirs une charge uniforme de 150 kg/m².

- Un seul trottoir chargé : $P_{tr} = 0.15 \times L_{tr} = 0.15 \times 0.97 = 0.1455 \text{ t/ml}$.
- Les deux trottoirs chargés : $P_{ts} = 2 \times (0.15 \times L_{tr}) = 2 \times (0.15 \times 0.97) = \mathbf{0.291 \text{ t/ml}}$.

Avec : L_{tr} : largeur de trottoir.

4.4.4. Charge du vent

Les efforts engendrés par le vent sont introduits dans les calculs comme une pression horizontale [3].

Le vent souffle horizontalement dans une direction normale à l'axe longitudinal de la chaussée. Il développe sur toute surface frappée normalement une pression de :

- ✓ 2000 N/m² pour les ouvrages en service.
- ✓ 1250 N/m² pour les ouvrages en cours de construction.

4.4.5. Effort de freinage

Les charges de chaussée des systèmes A et Bc sont susceptibles de développer des réactions de freinage, efforts s'exerçant à la surface de la chaussée dans l'un ou l'autre sens de circulation.

Les efforts de freinage n'intéressent généralement pas la stabilité des tabliers, il y a lieu de les considérer pour la stabilité des appuis et la résistance des appareils d'appui [4].

a) Surcharges A

L'effort de freinage correspondant à la charge A est égal à la fraction suivante du poids de cette dernière [4]

$$F = A \times \Omega / (20 + 0.0035 \times \Omega)$$

Avec : Ω : la surface chargée en m².

➤ Partie isostatique

$$\Omega = L \times L_C = 192 \text{ m}^2. \quad A = 1.1 \text{ t/m}^2 \rightarrow F = 10.22 \text{ t.}$$

➤ Partie hyperstatique

$$\Omega = L \times L_C = 768 \text{ m}^2 \quad A = 0.5 \text{ t/m}^2 \rightarrow F = 16.92 \text{ t.}$$

b) Surcharges Bc

Chaque essieu d'un camion du système Bc peut développer un effort de freinage égal à son poids. Parmi les camions Bc que l'on peut placer sur le pont, un seul est supposé freiner.

Les efforts de freinage développés par le système Bc ne sont pas susceptibles de majoration pour effets dynamiques de même pour les coefficients b_C . Ils ne sont pas applicables aux systèmes de charges Bc pour l'évaluation des efforts de freinage $\rightarrow F_{bc} = 30 \text{ t}$ [4].

4.4.6. Gradient thermique

Le gradient thermique est un phénomène résultant d'une inégalité de la température des deux faces supérieure et inférieure du tablier.

Le gradient thermique peut être de signe quelconque. Le signe conventionnel admis par le programme est positif si la face supérieure du tablier est plus chaude que sa face inférieure, négative dans le cas contraire.

Tab 4.5 : Valeurs de gradient thermique [6].

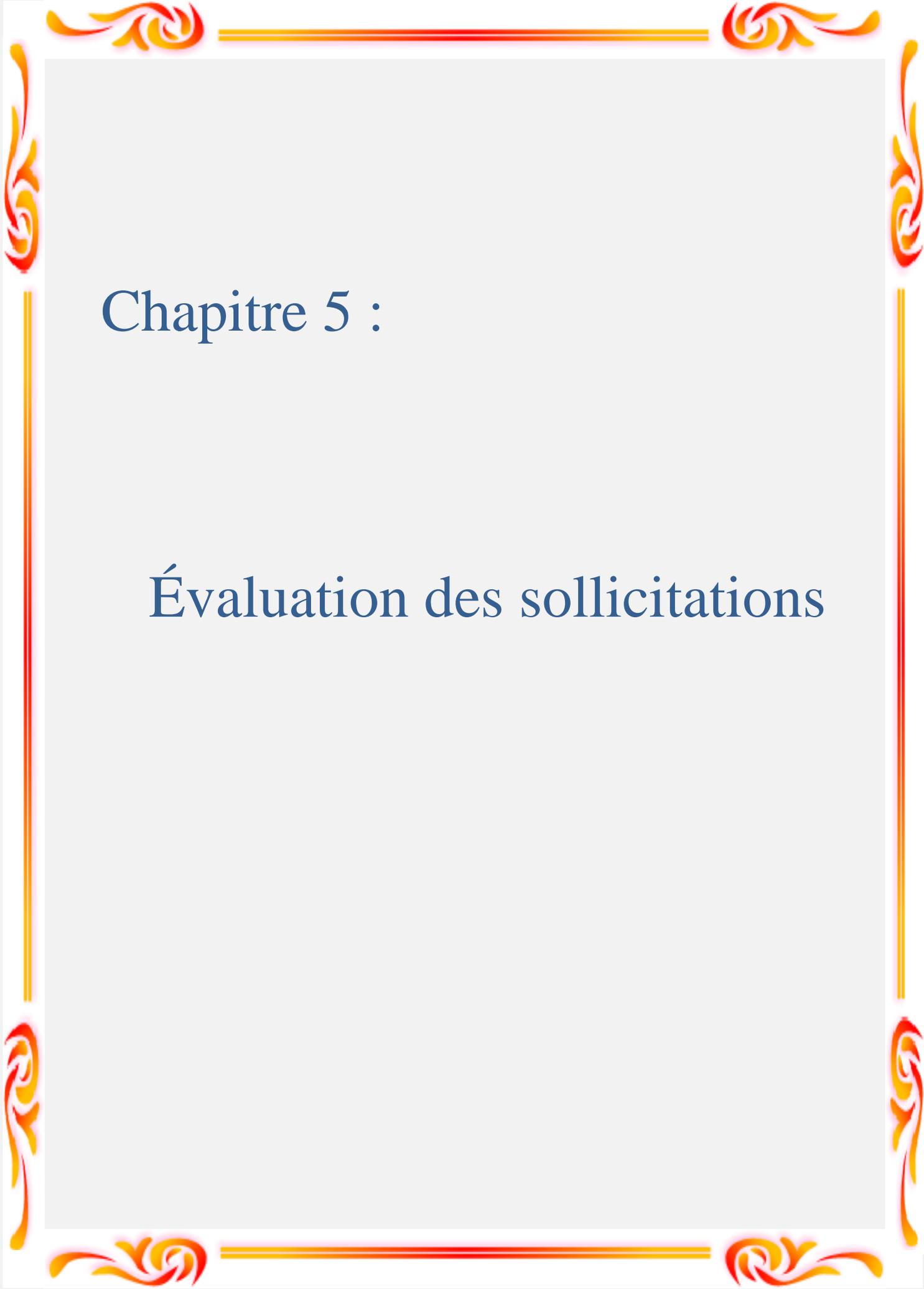
	Gradient en phase de construction (°C)	Gradient en phase de service (°C)
Type 1 (tablier métallique)	±18	±10
Type 2 (tablier mixte)	±15	±8
Type 3 (tablier en béton)	±12	±7

4.4.7. Force centrifuge

Comme notre ouvrage ne présente aucune courbe, la force centrifuge est nulle [4].

4.5. Conclusion

La définition de toutes les charges capables d'être appliquées sur notre ouvrage est une phase primordiale pour l'étude. Ces charges nous permettront d'étudier notre ouvrage sous les différentes combinaisons à l'État Limite Ultime et l'État Limite de Service.



Chapitre 5 :

Évaluation des sollicitations

5.1. Introduction

Le présent chapitre va porter sur l'étude de notre ouvrage en phase de construction et en phase de service suivant une méthode bien choisie afin de faciliter la mise en œuvre. Il est nécessaire d'assurer la stabilité des fléaux sur pile avant clavage avec le fléau voisin ou avec la partie coulée sur cintre, en travée de rive, près des culées en phase de construction.

5.2. Phase de construction

5.2.1. Charges appliquées aux fléaux

Les charges à prendre en compte dans ces phases sont :

- ✓ Le poids propre du tablier ;
- ✓ Les surcharges du chantier ;
- ✓ Les équipages mobiles ;
- ✓ Le vent et les surcharges accidentelles.

5.2.2. Efforts dûs au poids propre

a) Demi-fléau de rive

Variation de la section :

$$S_1(x) = \frac{S_P - S_C}{(L_T - L_C)^2} x^2 + 2 \frac{S_C - S_P}{L_T - L_C} x + S_P$$

Le poids propre est majoré de 5%

$$\begin{aligned} P(x) &= 1.05 \gamma_b S_1(x) \\ &= 1.05 \times 2.5 \times S_1(x) \\ &= 0.0031 x^2 - 0.329 x + 23.625 \end{aligned}$$

L'effort tranchant est :

$$T(x) = \int_0^x P(x) dx \rightarrow T(x) = 0.00103 x^3 - 0.1645 x^2 + 23.625 x$$

Le moment fléchissant est :

$$M(x) = - \int_0^x T(x) dx \rightarrow M(x) = - 0.00026 x^4 + 0.055 x^3 - 11.81 x^2$$

b) Demi-fléau central

Variation de la section :

$$S_2(x) = 4 \frac{S_P - S_C}{L^2} x^2 + 4 \frac{S_C - S_P}{L} x + S_P$$

Le poids propre est majoré de 5%

$$\begin{aligned} P(x) &= 1.05 \gamma_b S_2(x) \\ &= 1.05 \times 2.5 \times S_2(x) \\ &= 0.0035 x^2 - 0.35 x + 23.625 \end{aligned}$$

L'effort tranchant est :

$$T(x) = \int_0^x P(x) dx \rightarrow T(x) = 0.00117 x^3 - 0.175 x^2 + 23.625 x$$

Le moment fléchissant est :

$$M(x) = - \int_0^x T(x) dx \rightarrow M(x) = - 0.0003 x^4 + 0.06 x^3 - 11.81 x^2.$$

5.2.3. Efforts dus aux surcharges du chantier

a) La surcharge répartie (Q_{pra1})

On considère une surcharge répartie $q = 20 \text{ Kg/m}^2 = 0.02 \text{ t/m}^2$.

La section caisson ayant une largeur de 10.08m

$$T(x) = 0.201 x$$

$$M(x) = - 0.1008 x^2$$

b) La surcharge concentrée (Q_{pra2})

Elle correspond aux matériels utilisés $(50 + 5b) \text{ KN}$; avec b : la largeur de l'hourdis supérieur.

$$T(x) = 10 \text{ t.}$$

$$M(x) = - 10 x.$$

5.2.4. Efforts dûs à l'équipage mobile (Q_{PRC1})

Son poids est concentré à l'extrémité du voussoir tendu par la précontrainte.

$$T(x) = 55$$

$$M(x) = - 55 x.$$

5.2.5. Efforts dûs au vent

D'après le fascicule 61 titre II, lorsque la phase de construction excède un mois, la charge appliquée par le vent est $Q_w = 125 \text{ Kg/m}^2 = 0.125 \text{ t/m}^2$ [3].

$$T(x) = 1.26 x.$$

$$M(x) = 0.63 x^2.$$

Les résultats des efforts dûs aux différentes charges sont représentés dans le tableau 5.1.

Tab 5.1 : Résultats des efforts dûs aux différentes charges appliquées sur le demi fléau de rive.

Abscices	poids propre				surcharge répartie Q_{pra1}		surcharge concentrée				effet du vent Q_w	
	travée de rive		travée centrale				Q_{pra2}		Q_{PRC1}			
	M (t.m)	T (t)	M (t.m)	T (t)	M (t.m)	T (t)	M (t.m)	T (t)	M (t.m)	T (t)	M (t.m)	T (t)
0	-27988.23	958.26	-23026.31	875.10	-293.93	10.85	-540	10	2970	55	1837.08	68.04
4	-23383.96	883.84	-18877.55	800.37	-242.02	9.85	-490	10	2695	55	1512.63	61.74
9	-19153.54	808.77	-15097.90	724.60	-195.15	8.84	-440	10	2420	55	1219.68	55.44
14	-15301.96	732.27	-11695.02	646.94	-153.32	7.84	-390	10	2145	55	958.23	49.14
19	-11838.09	653.57	-8681.05	566.49	-116.52	6.83	-340	10	1870	55	728.28	42.84
24	-8774.71	571.90	-6072.65	482.37	-84.77	5.83	-290	10	1595	55	529.83	36.54
29	-6128.50	486.49	-3890.97	393.73	-58.06	4.82	-240	10	1320	55	362.88	30.24
34	-3920.05	396.56	-2161.64	299.66	-36.39	3.82	-190	10	1045	55	227.43	23.94
39	-2173.83	301.33	-914.84	199.30	-19.76	2.81	-140	10	770	55	123.48	17.64
44	-918.22	200.05	-185.20	91.77	-8.16	1.81	-90	10	495	55	51.03	11.34
49	-185.51	91.93	0	0	-1.61	0.80	-40	10	220	55	10.08	5.04
54	0	0	0	0	0	0	0	10	0	55	0	0

5.2.6. Stabilité du fléau

Pendant la construction des ponts par encorbellements successifs, il est nécessaire d'assurer la stabilité des fléaux sur leur pile avant clavage avec le fléau voisin ou avec la partie coulée sur cintre, en travée de rive, près des culées. La méthode utilisée pour assurer sa stabilité est nommée « Coulage par précontrainte ». C'est la méthode la plus utilisée et la plus économique pour les travées dont la portée est inférieure à 120 m.

a) Combinaison d'actions en construction

➤ Demi-fléau de rive

i. Combinaison en situation temporaire de construction (Type A)

Pour la vérification aux états limites ultimes d'équilibre statique, le fléau ne doit pas se détacher de ses appuis provisoires [1].

Les combinaisons à étudier sont les suivantes :

Combinaison A₁ : $1.1 (G_{\max} + G_{\min}) + 1.25 (Q_{\text{PRC1 max}} + Q_{\text{PRC1 min}} + Q_{\text{pra1}} + Q_{\text{pra2}} + Q_{\text{W}})$

Combinaison A₂ : $0.9 (G_{\max} + G_{\min}) + 1.25 (Q_{\text{PRC1 max}} + Q_{\text{PRC1 min}} + Q_{\text{pra1}} + Q_{\text{pra2}} + Q_{\text{W}})$

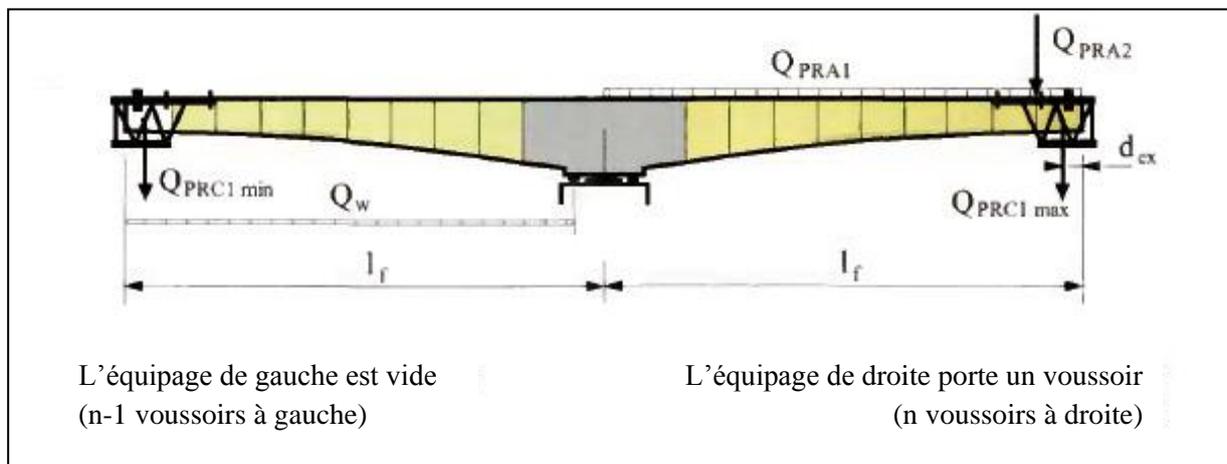


Figure 5.1 : Cas temporaire de construction.

$$G_{\max} = 1.02 G_{\text{rive}} \quad G_{\min} = 0.98 G_{\text{centrale}} \quad Q_{\text{PRC1 max}} = 1.06 Q_{\text{PRC1}} \quad Q_{\text{PRC1 min}} = 0.96 Q_{\text{PRC1}}$$

✚ Sollicitations dues au poids propre de demi-fléau de rive

$$1.02 M_{\text{pp}} = -28548.06 \text{ t.m} \quad 1.02 T_{\text{pp}} = 977.43 \text{ t}$$

✚ Sollicitations dues au poids propre de demi-fléau central

$$0.98 M_{\text{pp}} = -22565.77 \text{ t.m} \quad 0.98 T_{\text{pp}} = 857.6 \text{ t}$$

✚ Sollicitations dues aux charges appliquées au fléau

✓ l'équipage mobile (Q_{PRC1})

$$M (Q_{\text{PRC1 max}}) = -3148.2 \text{ t.m}$$

$$T (Q_{\text{PRC1 max}}) = 58.3 \text{ t}$$

$$M (Q_{\text{PRC1 min}}) = -2587.2 \text{ t.m}$$

$$T (Q_{\text{PRC1 min}}) = 52.8 \text{ t}$$

✓ La charge répartie (Q_{pra1})

$$M (Q_{\text{pra1}}) = -293.93 \text{ t.m}$$

$$T (Q_{\text{pra1}}) = 10.85 \text{ t}$$

✓ La surcharge concentrée (Q_{pra2})

$$M (Q_{\text{pra2}}) = -490 \text{ t.m}$$

$$T (Q_{\text{pra2}}) = 10 \text{ t}$$

✓ La surcharge du vent Q_{W}

$$M (Q_{\text{W}}) = 1512.63 \text{ t.m}$$

$$T (Q_{\text{W}}) = 61.74 \text{ t}$$

Tab 5.2 : Résultats de la combinaison type A sur le demi fléau de rive.

	M (t.m)	T (t)
Combinaison 1	10152.47	2106.30
Combinaison 2	8956.01	1739.29

ii. **Combinaisons accidentelles de construction (Type B)**

Ces combinaisons sont utilisées pour la justification vis-à-vis des états limites de résistance sous combinaison accidentelle des organes destinés à assurer l'encastrement provisoire ainsi que des appuis et fondations supportant les fléaux.

Dans ce cas, les combinaisons à étudier sont :

Combinaison B₁ : $1.1 (G_{max} + G_{min}) + F_A + Q_{PRC1\ max} + Q_{pra1} + Q_{pra2}$

Combinaison B₂ : $0.9 (G_{max} + G_{min}) + F_A + Q_{PRC1\ max} + Q_{pra1} + Q_{pra2}$

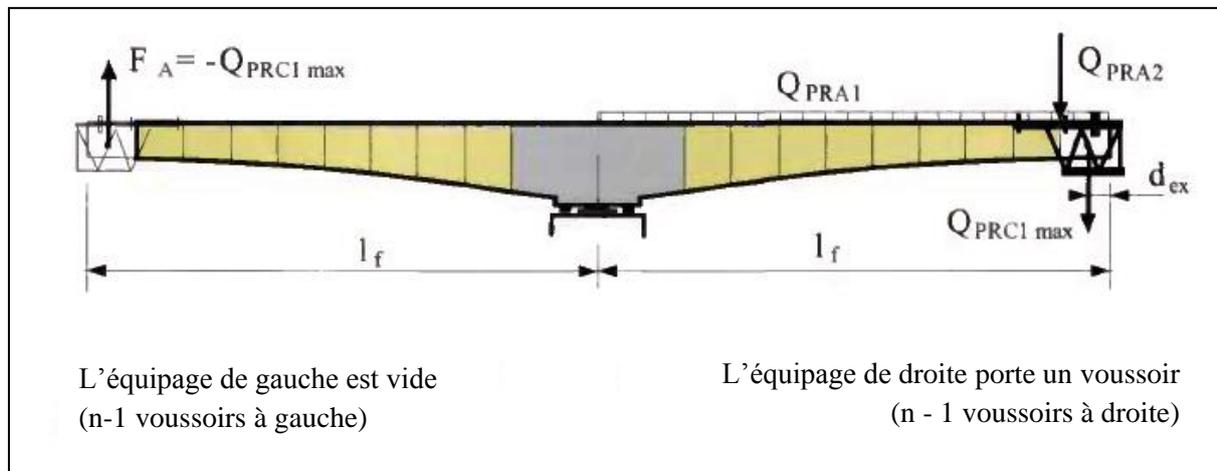


Figure 5.2 : Situation accidentelle.

✚ **Sollicitations dues au poids propre de demi-fléau de rive**

1.02 M_{pp} = -23851.64 t.m

1.02 T_{pp} = 901.52 t.

✚ **Sollicitations dues au poids propre de demi-fléau central**

0.98 M_{pp} = -22565.78 t.m

0.98 T_{pp} = 857.6 t

✚ **Sollicitations dues aux charges appliquées au fléau**

✓ l'équipage mobile (Q_{PRC1})

M (Q_{PRC1\ max}) = -3148.2 t.m

T (Q_{PRC1\ max}) = 58.3 t

✓ La charge répartie (Q_{pra1})

M (Q_{pra1}) = - 242.02 t.m

T(Q_{pra1}) = 9.85 t

✓ La surcharge concentrée (Q_{pra2})

M (Q_{pra2}) = -490 t.m

T (Q_{pra2}) = 10 t.

Tab 5.3 : Résultats de la combinaison type B sur le demi-fléau de rive.

	M (t.m)	T (t)
Combinaison 1	8442.87	1954.88
Combinaison 2	8185.69	1603.06

Tab 5.4 : Tableau récapitulatif des combinaisons type A et B sur le demi-fléau de rive.

	M (t.m)	T (t)
Combinaison A ₁	10152.47	2106.30
Combinaison A ₂	8956.01	1739.29
Combinaison B ₁	8442.87	1954.88
Combinaison B ₂	8185.69	1603.06

➤ **Demi-fléau central**

i. Combinaison en situation temporaire de construction (Type A)

$$G_{\max} = 1.02 G_{\text{centrale}} \quad G_{\min} = 0.98 G_{\text{rive}} \quad Q_{\text{PRC1 max}} = 1.06 Q_{\text{PRC1}} \quad Q_{\text{PRC1 min}} = 0.96 Q_{\text{PRC1}}$$

✚ **Sollicitations dues au poids propre de demi-fléau central**

$$1.02 M_{\text{pp}} = - 23486.8 \text{ t.m} \quad 1.02 T_{\text{pp}} = 892.6 \text{ t}$$

✚ **Sollicitations dues au poids propre de demi-fléau de rive**

$$0.98 M_{\text{pp}} = - 18770.5 \text{ t.m} \quad 0.98 T_{\text{pp}} = 792.6 \text{ t}$$

✚ **Sollicitations dues aux charges appliquées au fléau**

✓ l'équipage mobile (Q_{PRC1})

$$M (Q_{\text{PRC1 max}}) = -2856.7 \text{ t.m} \quad T (Q_{\text{PRC1 max}}) = 58.3 \text{ t}$$

$$M (Q_{\text{PRC1 min}}) = -2587.2 \text{ t.m} \quad T (Q_{\text{PRC1 min}}) = 52.8 \text{ t}$$

✓ La charge répartie (Q_{pra1})

$$M (Q_{\text{pra1}}) = -241.3 \text{ t.m} \quad T(Q_{\text{pra1}}) = 9.85 \text{ t}$$

✓ La surcharge concentrée (Q_{pra2})

$$M (Q_{\text{pra2}}) = -440 \text{ t.m} \quad T (Q_{\text{pra2}}) = 10 \text{ t}$$

✓ La surcharge du vent Q_{w}

$$M (Q_{\text{w}}) = 1219.68 \text{ t.m} \quad T (Q_{\text{w}}) = 55.44 \text{ t}$$

Tab 5.5 : Résultats de la combinaison type A sur le demi-fléau central.

	M (t.m)	T (t)
Combinaison 1	7901.03	1948.11
Combinaison 2	6957.77	1611.07

ii. Combinaisons accidentelles de construction (Type B)

✚ **Sollicitations dues au poids propre de demi-fléau central**

$$1.02 M_{\text{pp}} = - 19255.1 \text{ t.m} \quad 1.02 T_{\text{pp}} = 816.38 \text{ t}$$

✚ **Sollicitations dues au poids propre de demi-fléau de rive**

$$0.98 M_{\text{pp}} = - 18770.5 \text{ t.m} \quad 0.98 T_{\text{pp}} = 792.6 \text{ t}$$

✚ **Sollicitations dues aux charges appliquées au fléau**

✓ l'équipage mobile (Q_{PRC1})

$$M (Q_{\text{PRC1 max}}) = -2565.2 \text{ t.m} \quad T (Q_{\text{PRC1 max}}) = 58.3 \text{ t}$$

✓ La charge répartie (Q_{pra1})

$$M (Q_{\text{pra1}}) = -195.15 \text{ t.m} \quad T(Q_{\text{pra1}}) = 8.84 \text{ t}$$

✓ La surcharge concentrée (Q_{pra2})

$$M (Q_{pra2}) = -440 \text{ t.m}$$

$$T (Q_{pra2}) = 10 \text{ t.}$$

Tab 5.6 : Résultats de la combinaison type B sur le demi-fléau central.

	M (t.m)	T (t)
Combinaison 1	6298.61	1788.72
Combinaison 2	6201.69	1466.92

Tab 5.7 : Tableau récapitulatif des combinaisons type A et B sur le demi-fléau central.

	M (t.m)	T (t)
Combinaison A ₁	7901.03	1948.11
Combinaison A ₂	6957.77	1611.07
Combinaison B ₁	6298.61	1788.72
Combinaison B ₂	6201.69	1466.92

→ Le moment de renversement $M_r = 10152.47 \text{ t.m.}$

b) 2^{ème} phase

On procède au coulage du voussoir de clavage central pour rendre le système hyperstatique. Le calcul des sollicitations est déterminé en représentant la charge due au clavage central par une surcharge uniformément répartie sur la portion du tablier où réside le clavage central (figure 5.3).

$$Q = 2.5S_c \text{ t/m}^3 = 5.67 \times 2.5 = 14.175 \text{ t/ml.}$$

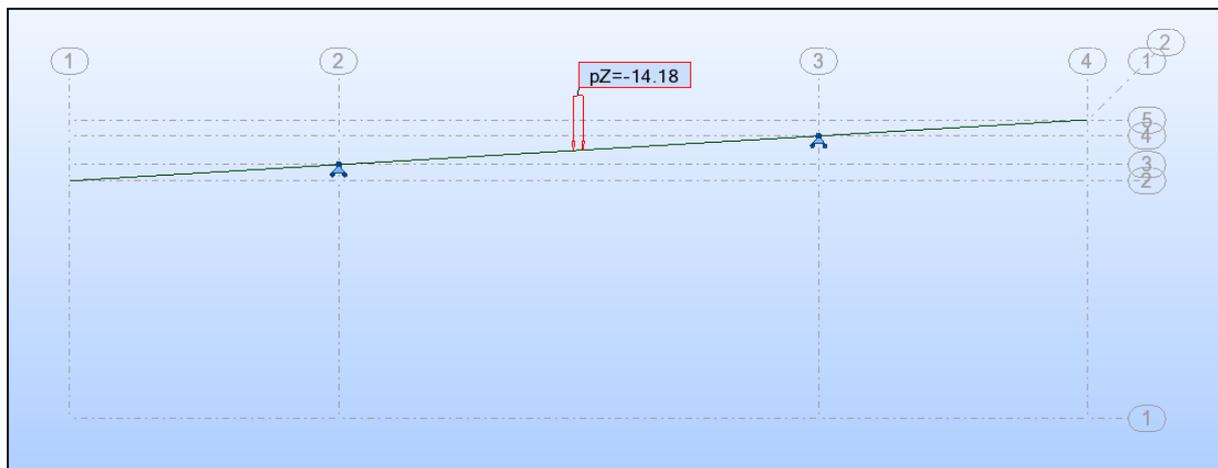


Figure 5.3 : Modélisation du clavage central



Figure 5.4 : Diagramme du moment fléchissant dû au clavage de rive.

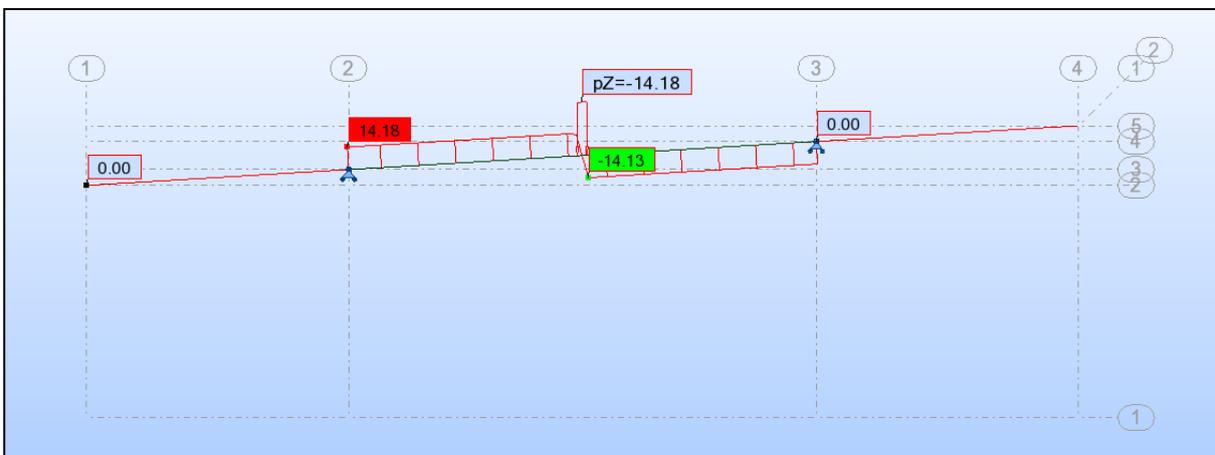


Figure 5.5 : Diagramme de l'effort tranchant dû au clavage de rive.

c) 3^{ème} phase

On achève la réalisation du dernier voussoir du côté de rive pour atteindre les 54 m. Le calcul des sollicitations est déterminé en représentant la charge due à la réalisation du voussoir par une surcharge trapézoïdale sur la portion considéré (figure 5.6).

La borne supérieure : $Q_S = 2.5S_1(49) = 5.7 \times 2.5 = 14.25$ t/ml.

La borne inférieure : $Q_I = 2.5S_1(54) = 5.67 \times 2.5 = 14.18$ t/ml.

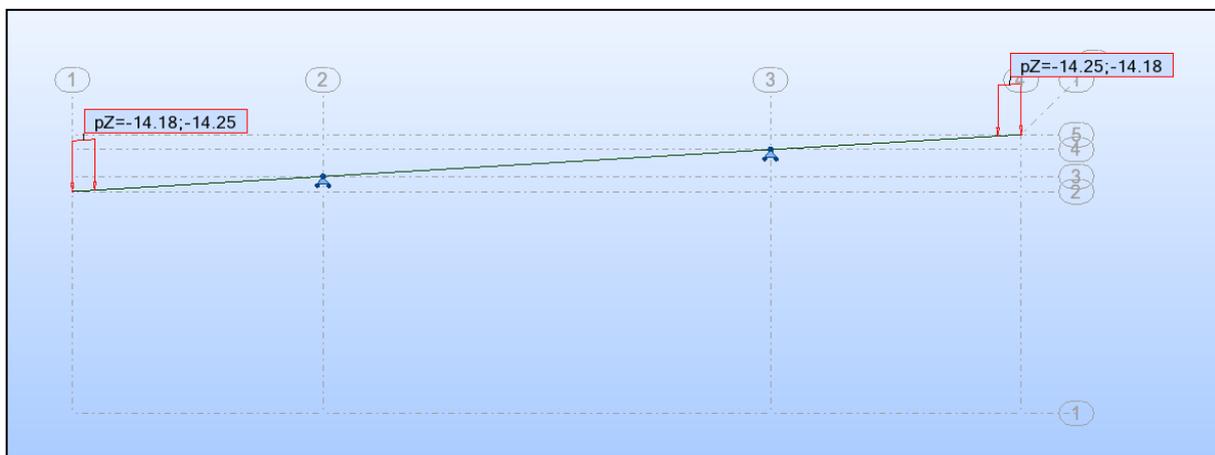


Figure 5.6 : Modélisation de la réalisation du dernier voussoir de rive.

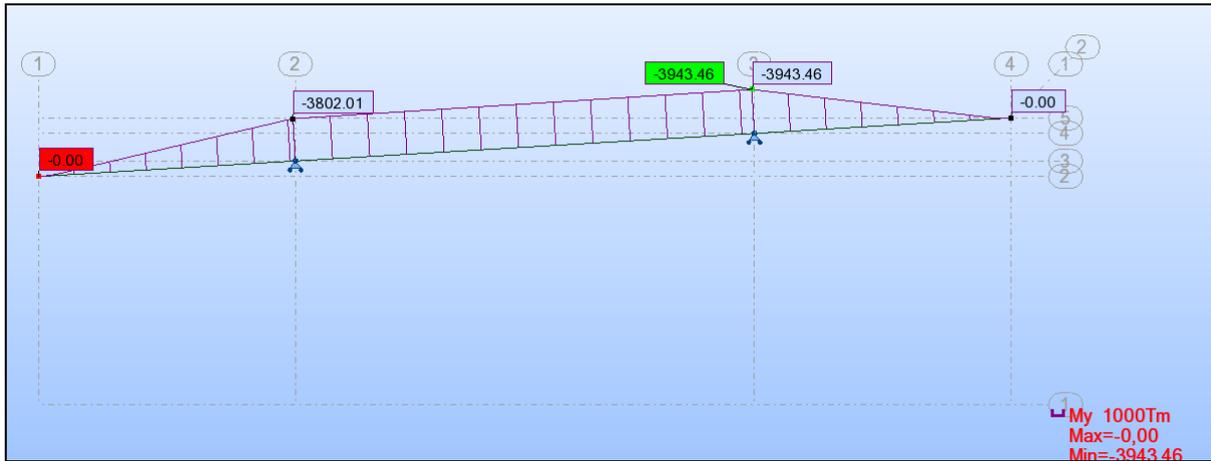


Figure 5.7 : Diagramme du moment fléchissant.

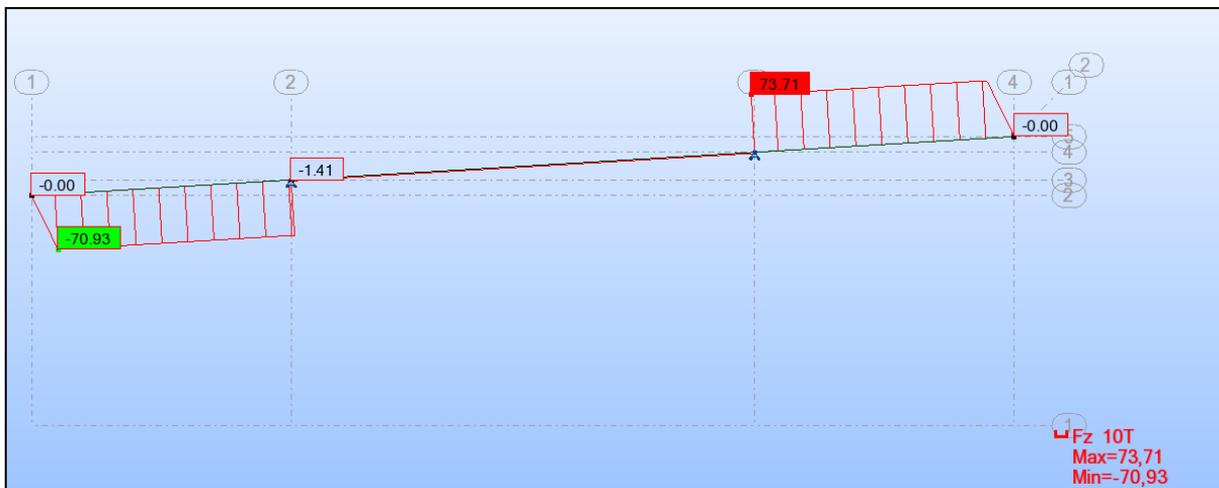


Figure 5.8 : Diagramme de l'effort tranchant.

d) 4^{ème} phase

Cette phase correspond au coulage du voussoir du clavage de rive. Le calcul est assimilé à celui de la phase précédente sauf que la charge est uniformément répartie sur le voussoir (figure 5.9).

$$Q = 2.5S_c \text{ t/m}^3 = 5.67 \times 2.5 = 14.175 \text{ t/ml.}$$

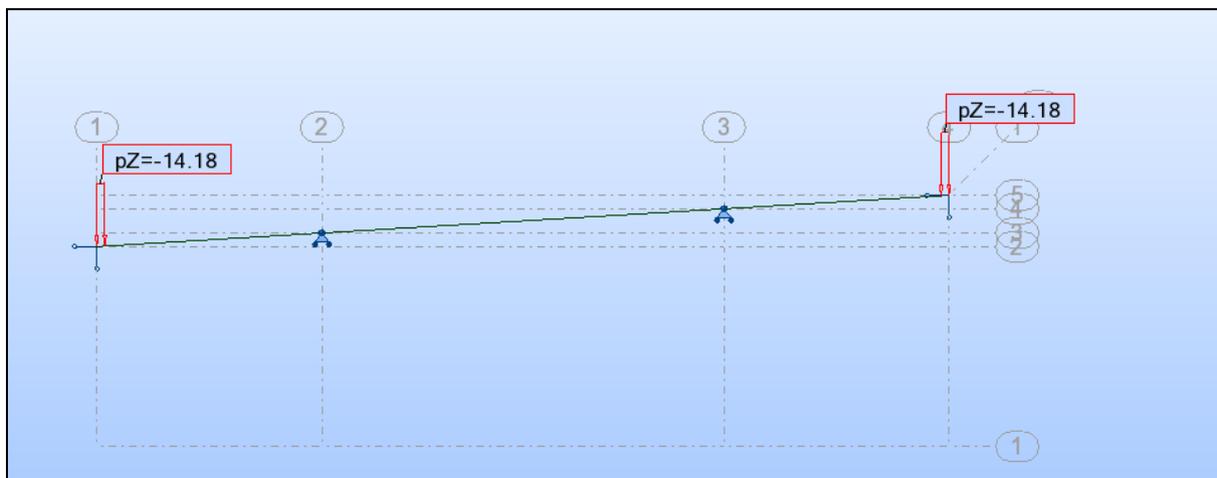


Figure 5.9 : modélisation du voussoir de clavage de rive.

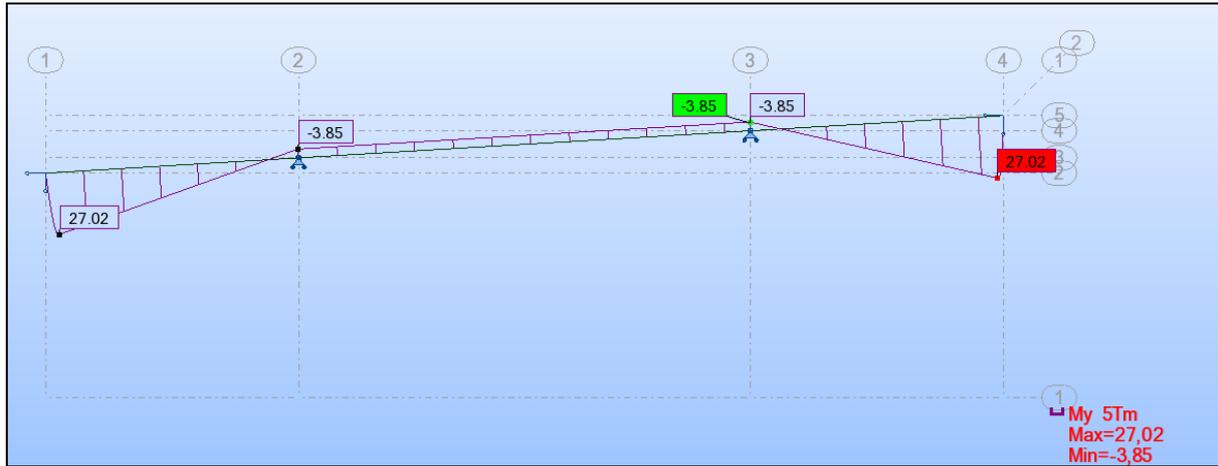


Figure 5.10 : Diagramme du moment fléchissant.

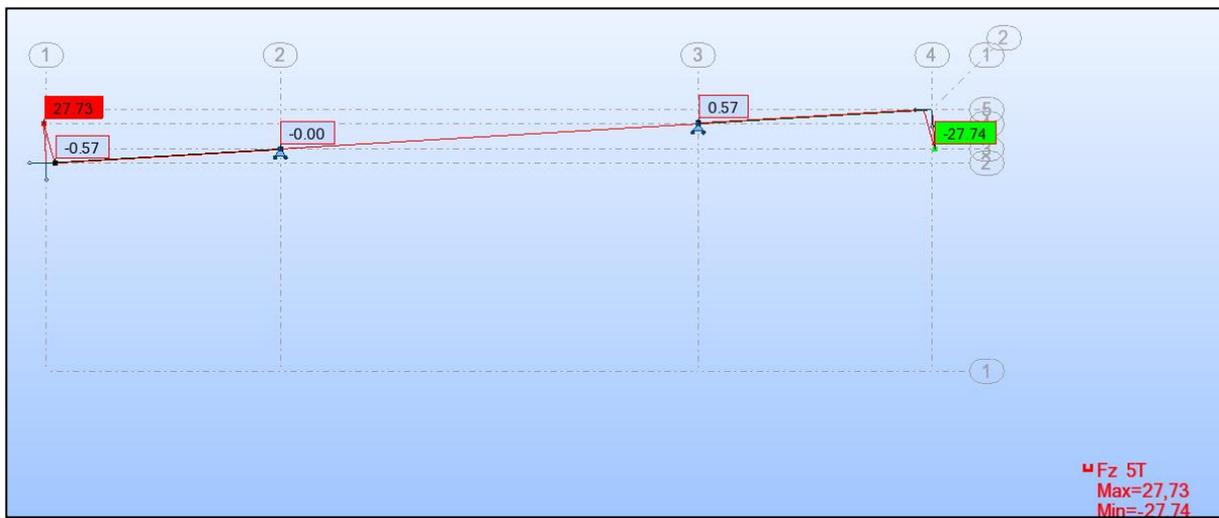


Figure 5.11 : Diagramme de l'effort tranchant.

5.3. Phase de service

5.3.1. Introduction

Le calcul d'un pont en phase de service est primordial. Pour assurer sa fonction, il doit avoir la possibilité de résister avec des marges appropriées, non seulement aux efforts engendrés par son poids propre, mais aussi aux efforts dus à l'ensemble des actions de provenance naturelles ou fonctionnelles qui lui sont appliquées.

5.3.2. Modélisation

La modélisation représente la partie importante dans l'étude d'une structure ; son objet est l'élaboration d'un modèle capable de décrire d'une manière plus au moins approchée le fonctionnement de l'ouvrage sous différentes conditions.

La modélisation contient :

- ✓ La définition de la structure.
- ✓ La définition des différentes sections de l'ouvrage.

- ✓ La définition de la bibliothèque des matériaux utilisés (béton, acier....).
- ✓ La définition des conditions d'appuis.
- ✓ Le choix de la méthodologie de calcul.
- ✓ La définition des cas de charges et des combinaisons de calcul.
- ✓ La vérification des résultats.
- ✓ Le lancement des calculs et enfin
- ✓ L'interprétation des résultats.

a) Modélisation du tablier

Le modèle utilisé est un élément poutre divisé par des segments de droite :

- ✓ Pour la partie hyperstatique : 5 m pour le voussoir courant, 2 m pour le voussoir de clavage et 8 m pour le voussoir sur pile.
- ✓ Pour la partie isostatique : 1.1 m pour la section d'about, 4.035 m pour la deuxième section et 7.225 m pour la troisième section.

Pour chaque segment, nous avons attribué la section adéquate (figures 5.12 et 5.13).

b) Conditions d'appuis

Nous avons considéré des encastrements au niveau des piles et des appuis doubles au niveau des culées pour la partie hyperstatique. Par contre, pour la partie isostatique, nous avons considéré des appuis simples au niveau de la pile et des appuis doubles au niveau de la culée.

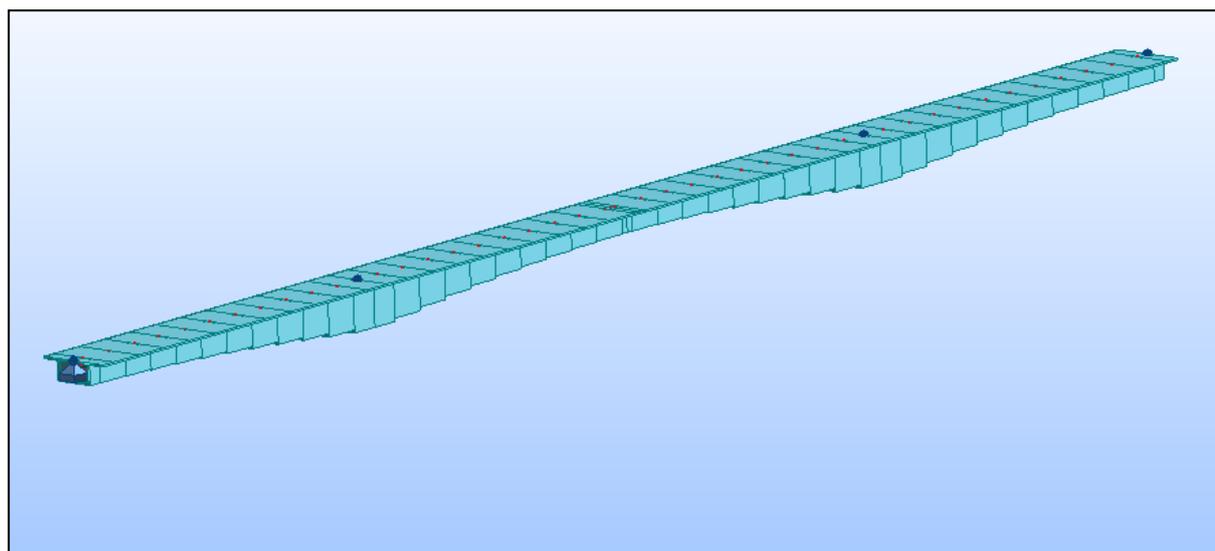


Figure 5.12 : Modélisation en 3D du tablier de la partie hyperstatique.

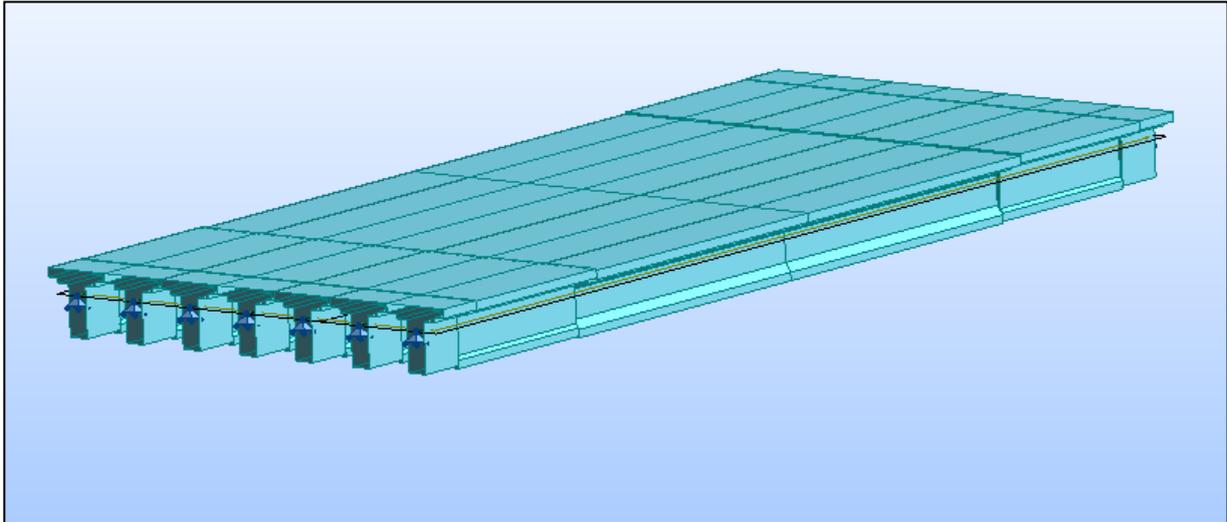


Figure 5.13 : Modélisation en 3D du tablier de la partie isostatique.

c) *Combinaisons de calcul*

D'après le fascicule 61 titre II [3], les charges appliquées à l'ouvrage sont dues au :

- ✓ Poids propre **PP** : il est automatiquement pris en compte par le logiciel.
- ✓ Complément du poids propre **CCP** : une charge uniforme répartie tout au long du bord de tablier égale à 0.5 t/m.
- ✓ Surcharge A : une charge surfacique uniformément répartie sur la largeur chargeable et le long du tablier.
- ✓ Surcharge Bc.
- ✓ Surcharge militaire Mc 120.
- ✓ Convoi exceptionnel D240.
- ✓ Surcharges sur les trottoirs **St** : une charge surfacique uniformément répartie égale à 0.15 t/m².

Les différentes combinaisons de calcul données par le fascicule 61 titre II [3] de même que le nom, la nature et le type d'analyse sont représentées dans le tableau 5.8 :

Tab 5.8 : Différentes combinaisons de calcul selon le fascicule 61.

Cas	Nom du cas	Nature
1	PP	Permanente
2	CCP	Permanente
3	A(L)	Exploitation
4	Bc	Roulante
5	Mc 120	Roulante
6	D 240	Roulante
7	St	Exploitation
8	G	PP+CCP
9	Δt	Thermique
10	W	Vent
11	ELU A "température"	$1.35 G + 1.6 (A + St) + \Delta t$
12	ELU A "vent"	$1.35 G + 1.6 (A + St) + W$
13	ELU Bc "température"	$1.35 G + 1.6 (Bc + St) + \Delta t$
14	ELU Bc "vent"	$1.35 G + 1.6 (Bc + St) + W$
15	ELU Mc120	$1.35G + Mc120$
16	ELU D240	$1.35G + D240$
17	ELS A "température"	$G + 1.2 (A + St) + \Delta t$
18	ELS A "vent"	$G + 1.2 (A + St) + W$
19	ELS Bc	$G + 1.2 (Bc + St)$
20	ELS Mc 120	$G + Mc120$
21	ELS D240	$G + D240$

Les résultats donnés par le logiciel montrent que la combinaison la plus défavorable est "ELU A T" pour la partie hyperstatique et la combinaison "ELU D240" pour la partie isostatique, ils sont représentés sous forme des diagrammes du moment fléchissant et d'effort tranchant dans les figures 5.14 à 5.17.

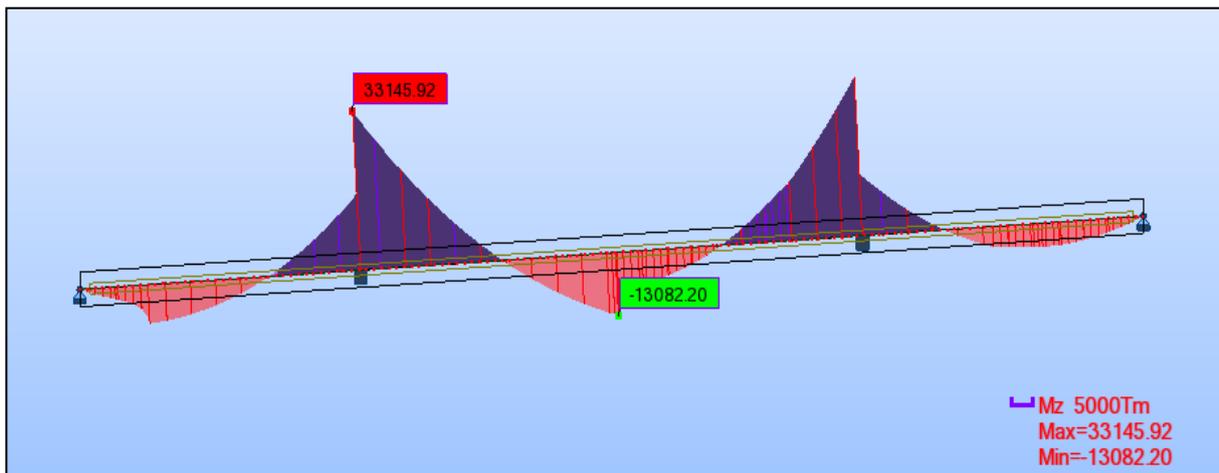


Figure 5.14 : Diagramme du moment fléchissant en t.m sous la combinaison ELU A "température".

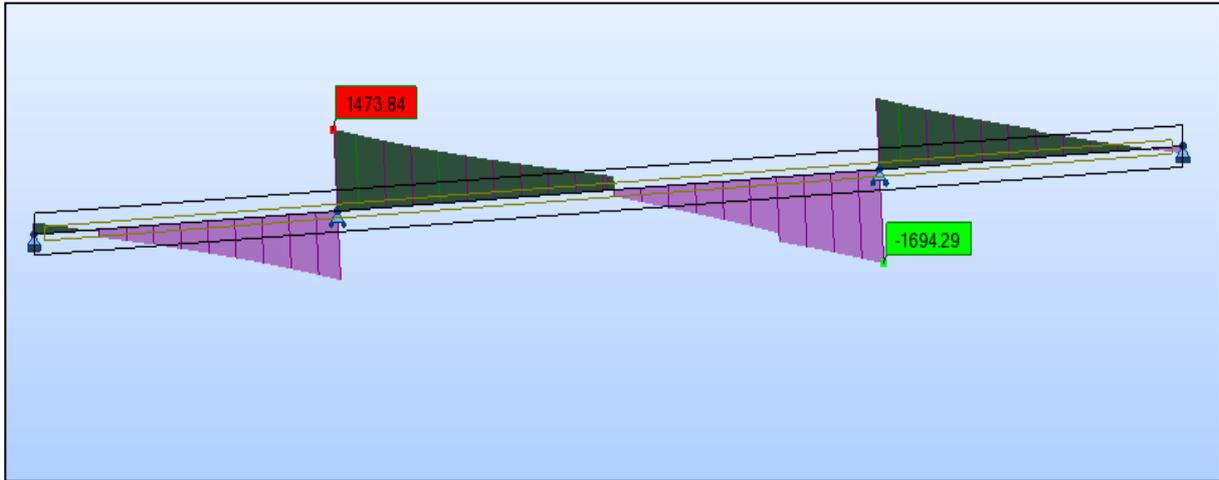


Figure 5.15 : Diagramme de l'effort tranchant en t sous la combinaison ELU A "température".



Figure 5.16 : Diagramme du moment fléchissant en t.m sous l'effet de la combinaison D240.

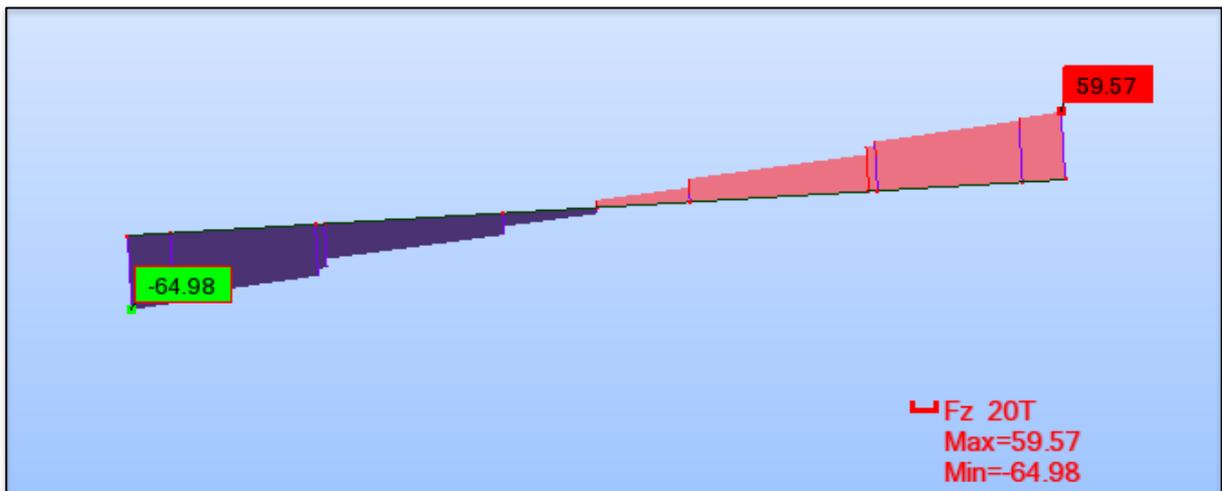
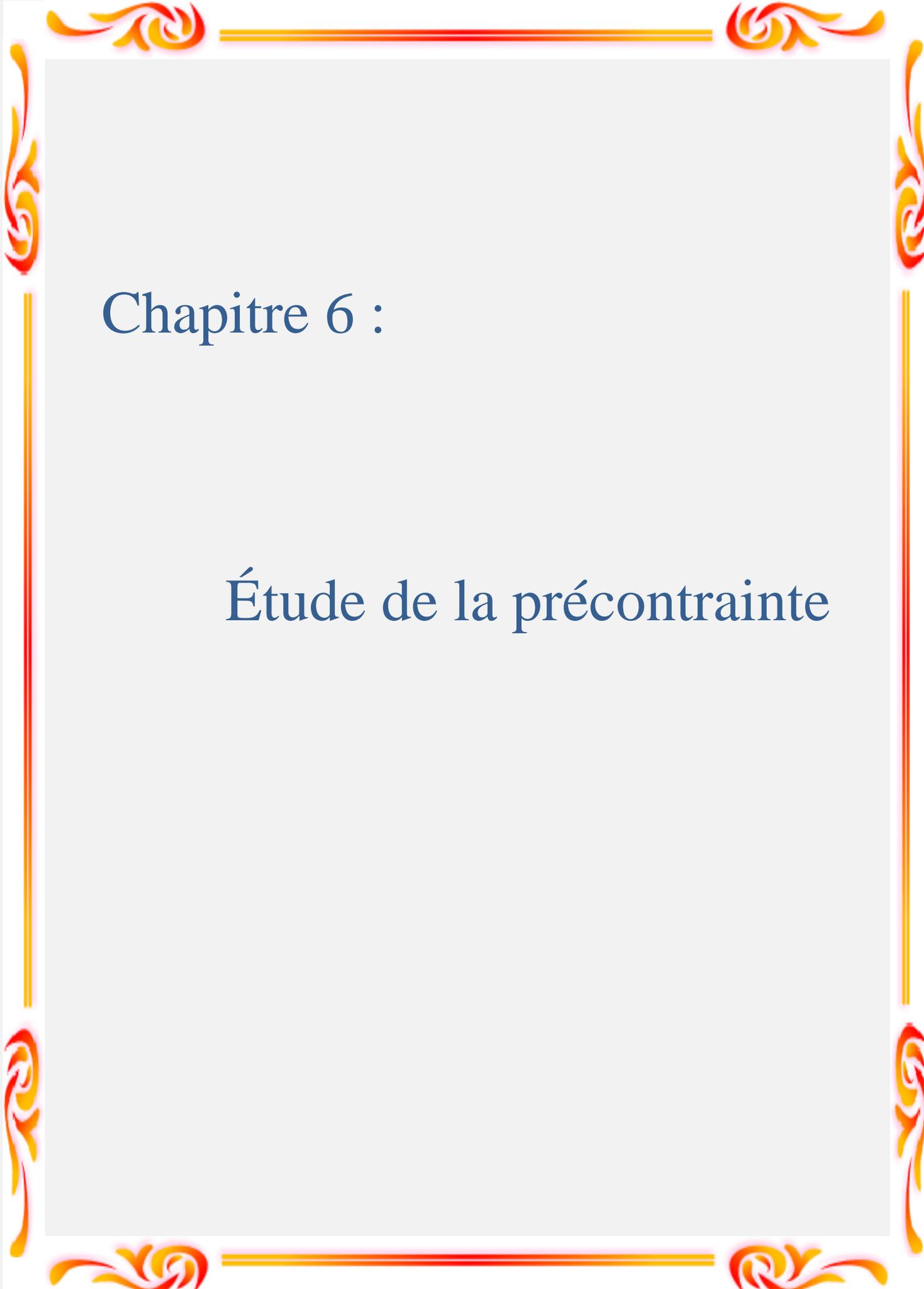


Figure 5.17 : Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison D240.

5.4. Conclusion

Ce chapitre nous a permis de déterminer les différents efforts agissant sur la structure. Ce qui nous a permis par la suite de procéder au calcul de la précontrainte.



Chapitre 6 :

Étude de la précontrainte

6.1. Introduction

L'invention du béton précontraint revient à l'ingénieur français Eugène Freyssinet. Grâce à ces avantages, le béton précontraint est utilisé dans les ouvrages d'art et les bâtiments de dimensions importantes : il est d'utilisation courante pour les ponts et d'un emploi très répandu pour les poutrelles préfabriquées des planchers de bâtiments. On le retrouve dans de nombreux autres types d'ouvrages, parmi lesquels nous citerons les réservoirs, les pieux de fondation et tirants d'ancrage, certains ouvrages maritimes, les barrages... etc

On distingue deux modes de précontrainte

- ✓ Précontrainte par post-tension.
- ✓ Précontrainte par pré-tension.

Dans notre cas, nous utilisons la précontrainte par post-tension pour les poutres.

6.2. Précontrainte par post-tension

La post-tension consiste à disposer les câbles de précontrainte dans des gaines incorporées au béton. Après la prise du béton, les câbles sont tendus au moyen de vérins de manière à comprimer l'ouvrage.

6.3. Etapes générales de réalisation

Les principes étapes de réalisation sont :

- ✓ Placement des gaines dans le coffrage.
- ✓ Coulage du béton.
- ✓ Après durcissement du béton, mise en tension des câbles.
- ✓ Blocage par différents systèmes de cales sur une zone de béton fretté.
- ✓ Injection d'un coulis de ciment.

6.4. Mode de calcul

6.4.1. Voussoirs (Partie hyperstatique)

La stabilité longitudinale d'un pont construit par encorbellement successif est assurée par deux familles de câbles

➤ Câbles de fléau

Ils sont disposés au voisinage de la membrure supérieure du caisson et mis en tension symétriquement par rapport à l'axe de la pile au fur et à mesure de l'avancement de la construction en vue de jouer un double rôle :

- ✓ Assurer la résistance aux moments négatifs dûs au poids propre des voussoirs, à l'équipage mobile et à la charge de chantier en phase de construction.
- ✓ Assurer la stabilité des fléaux pendant la construction.

La première condition fixe la force de précontrainte nécessaire sur appui et la seconde impose le schéma de câblage.

➤ Câbles de continuité

Les câbles de solidarisation disposés au voisinage de la clé de chaque travée sont destinés à assurer la continuité du tablier et à s'opposer aux moments hyperstatiques qui en résultent. La plupart de ces câbles sont situés au niveau de la membrure inférieure suite aux moments fléchissants dûs aux charges d'exploitation, ils sont :

- ✓ Soit relevés dans les âmes et ancrés dans les bossages ménagés dans la membrure supérieure.

- ✓ Soit filants dans la membrure inférieure et ancrés dans les bossages. Certains câbles sont toutefois disposés au droit de la membrure supérieure afin d'assurer la sécurité à la rupture du tablier vis-à-vis des moments fléchissants négatifs dûs aux surcharges d'exploitation.

a) Etude de la précontrainte du fléau

Les moments dûs à l'exécution du fléau engendrent des contraintes au niveau des fibres supérieure et inférieure, elles sont données par les relations suivantes :

- ✓ Au niveau de la fibre supérieure : $\sigma_{\text{sup}} - \frac{M}{I}V$

- ✓ Au niveau de la fibre inférieure : $\sigma_{\text{inf}} + \frac{M}{I}V'$

Avec : $\sigma_{\text{sup}} = \frac{P}{B} + \frac{PeV}{I}$ contrainte de compression générée au niveau des fibres

supérieures par l'effort de précontrainte P.

$$\sigma_{\text{inf}} = \frac{P}{B} - \frac{PeV'}{I} \text{ contrainte de traction générée au niveau des fibres inférieures}$$

par l'effort de précontrainte P.

e : excentricité de câble par rapport au centre de gravité de la section considérée.

➤ Détermination de l'effort de précontrainte et schéma de câblage

Les câbles de fléau sont déterminés à partir de la phase de construction où les sollicitations sont maximales.

✓ Détermination de P

La détermination de l'effort de précontrainte P se fait par la relation suivante :

$$P = \frac{M.v/I}{1/B + e.v/I}$$

Avec : e = v-d, on prend d = 0.125 m → e = 2.97 - 0.125 = **2.845 m**. M = 27988.23 t.m
B = 9 m², I = 50.05 m⁴.

$$\rightarrow P = 5932.94 \text{ t}$$

✓ Nombre de câbles d'un fléau

Le nombre de câbles est calculé à partir de l'inégalité suivante :

$$N \geq \frac{P}{0.8 P_0}$$

P₀ : l'effort limite d'un fil de précontrainte estimé avec 20% de pertes de tension.

D'après le guide SETRA [1] : $\sigma_{P0} = \min [0.8 f_{\text{prg}}, 0.9 f_{\text{peg}}] = \min [1416, 1425]$

→ $\sigma_{P0} = 1416 \text{ MPa}$. D'où $P_0 = A_P \sigma_{P0} = 2.5488 \text{ MN} = 254.88 \text{ t}$.

On trouve un nombre de câbles $N \geq 29.01$

On prend donc **30 câbles**, ce qui équivaut à 15 paires de 12T15.

➤ Répartition des câbles

Tenant compte de la décroissance du moment fléchissant à partir de l'encastrement, nous pouvons arrêter au moins 2 câbles par voussoir. Les tableaux de 6.1 à 6.4 représentent la répartition des câbles dans les 2 fléaux.

Tab 6.1 : Répartition des câbles pour le fléau de rive.

Abscisses	M (t.m)	I (m ⁴)	B (m ²)	V (m)	e (m)	P (t)	N	N
0	-27988.23	50.05	9.00	2.97	2.85	-5932.94	29.1059	30
4	-23383.96	41.21	8.53	2.72	2.59	-5348.66	26.2395	28
9	-19153.54	32.35	7.99	2.43	2.31	-4820.36	23.6478	24
14	-15301.96	25.49	7.50	2.18	2.05	-4235.12	20.7767	22
19	-11838.09	20.23	7.07	1.95	1.83	-3596.02	17.6414	18
24	-8774.71	16.25	6.70	1.76	1.63	-2913.98	14.2954	16
29	-6128.5	13.28	6.39	1.59	1.46	-2210.93	10.8464	12
34	-3920.05	11.12	6.14	1.45	1.33	-1522.39	7.4685	8
39	-2173.83	9.59	5.94	1.35	1.22	-897.88	4.4048	6
44	-918.22	8.58	5.80	1.27	1.15	-397.35	1.9493	2
49	-185.51	8.01	5.71	1.23	1.10	-82.65	0.4055	2
54	0	7.82	5.68	1.21	1.08	0.00	0.0000	0

Tab 6.2 : Répartition des câbles pour le fléau central.

Abscisses	M (t.m)	I (m ⁴)	B (m ²)	V (m)	e (m)	P (t)	N	N
0	23026.31	50.05	9.00	2.97	2.57	5183.27	25.42	26
4	18877.55	40.58	8.49	2.70	2.30	4637.29	22.74	24
9	15097.9	31.25	7.91	2.40	2.00	4141.44	20.31	22
14	11695.02	24.19	7.39	2.13	1.73	3581.72	17.57	18
19	8681.05	18.90	6.94	1.89	1.49	2961.70	14.52	16
24	6072.65	15.00	6.56	1.69	1.29	2296.18	11.26	12
29	3890.97	12.19	6.24	1.53	1.13	1616.38	7.92	8
34	2161.64	10.21	5.98	1.40	1.00	973.79	4.77	6
39	914.84	8.90	5.79	1.30	0.90	439.12	2.15	4
44	185.2	8.13	5.66	1.25	0.85	92.68	0.45	2
49	0	7.83	5.60	1.22	0.82	0	0	0

Tab 6.3 : Câbles arrêtés du fléau de rive par voussoir.

Voussoir	VSP	V1	V2	V3	V4	V5	V6	V7	V8	V9	V10
Nombre de câbles arrêtés par voussoir	2	4	2	4	2	4	4	2	4	0	2

Remarque : D'après le tableau 6.3, il n'y a pas de câble arrêté dans le 9^{ème} voussoir. Pour cela, on doit ajouter 2 câbles pour pouvoir le tenir.

Alors, le nombre total des câbles devient **32**.

Tab 6.4 : Câbles arrêtés du fléau central par voussoir.

Voussoir	VSP	V1	V2	V3	V4	V5	V6	V7	V8	V9
Nombre de câbles arrêtés par voussoir	2	4	2	4	4	2	4	4	2	2

➤ Disposition des câbles

Les câbles sont logés dans l'hourdis supérieur et ils sont ancrés dans l'âme au niveau du centre de gravité (figure 6.1).

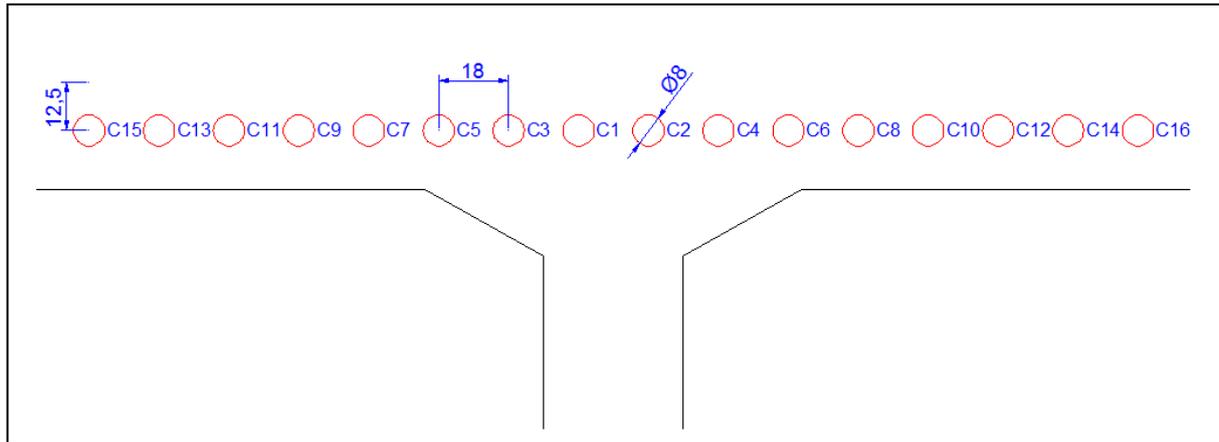


Figure 6.1 : Disposition des câbles du fléau.

➤ Tracé des câbles

Pour descendre dans l'axe des âmes, la plupart des câbles de fléau doivent subir des déviations en plan comme en élévation.

✓ Tracé en élévation

Faire descendre une partie des câbles du fléau dans les âmes sert à réduire les contraintes de cisaillement. Lorsqu'on arrête un câble, son encrage se fait au niveau du centre de gravité de la section. S'il s'agit de deux câbles, ceux-ci seront ancrés à 0.25 m de part et d'autre du centre de gravité.

L'allure du tracé suit une loi parabolique définie comme suit :

$$d(x) = d_0 + (d_1 - d_0) \frac{x^2}{L^2}$$

Le rayon de courbure est défini par l'expression suivante :

$$R(x) = \frac{x^2}{2(d_1 - d_0)} \geq R_{\min}$$

R_{\min} : rayon minimal pour les câbles 12T15 = 6 m.

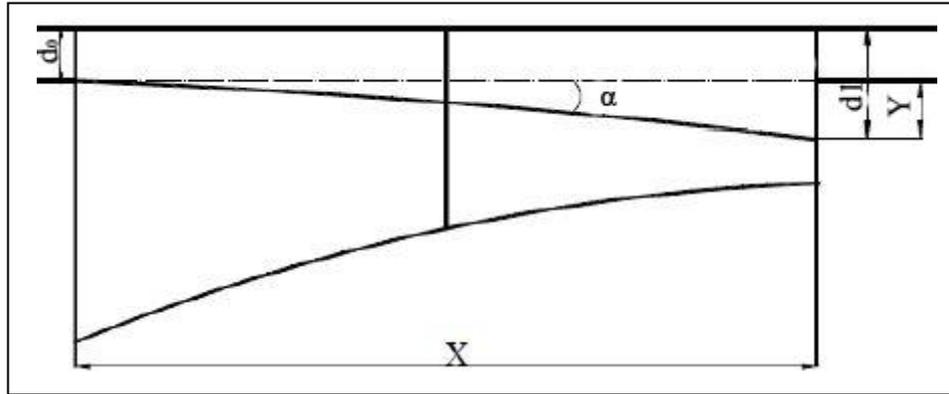


Figure 6.2 : Tracé en élévation des câbles.

Avec : d_0 : L'enrobage.

d_1 : La distance de l'ancrage du câble par rapport à la fibre supérieure.

$Y = d_1 - d_0$.

α : L'angle de déviation en élévation.

La tangente au point d'ancrage est donnée par la formule suivante :

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{d'(x)}{dx} = 2(d_1 - d_0) \frac{x}{L^2} \rightarrow \alpha = \operatorname{Arctg} \left(2(d_1 - d_0) \frac{x}{L^2} \right)$$

A titre d'exemple, le cas du voussoir V1, le nombre de câbles arrêté est 4 donc 2 câbles par âme, ce qui fait que nous devons les ancrer à une distance de 0.25 m de part et d'autre du centre de gravité.

$$x = 9 \text{ m. } V = 2.43 \text{ m. } d_0 = 0.125 \text{ m. } d_{11} = V + 0.25 \quad d_{12} = V - 0.25$$

Puis, il reste à déterminer la valeur du " d_1 ". Pour cela il faut vérifier la condition sur le rayon. Pour qu'elle soit la valeur petite, il faut que " $d_1 - d_0$ " soit grand $\rightarrow d_1 = d_{11} = 2.68 \text{ m.}$

$$d_1 - d_0 = 2.38 \text{ m. } \rightarrow R = 6.082 \text{ m. } \rightarrow d_1 = 2.68 \text{ m.}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = 2 \times 2.06 \times \frac{9}{9^2} = 0.456 \text{ rad } \rightarrow \alpha = 24.45^\circ$$

Les valeurs de α pour les autres câbles sont données dans le tableau 6.4.

Tab 6.5 : Valeurs de α pour chaque câble par âme.

Voussoir	N du câble	V (m)	d ₁ (m)	d ₀ (m)	Y (m)	R (m)	tg α	α (°)
VSP	1	2.72	2.72	0.125	1.00	8.0000	0.50000	26.56
V1	2	2.43	2.18	0.125	2.06	6.0827	0.45667	24.54
	3	2.43	2.68	0.125	2.56	6.2500	0.56778	29.6
V2	4	2.18	2.18	0.125	2.06	6.0827	0.29357	16.36
V3	5	1.95	1.70	0.125	1.58	7.9365	0.16579	9.41
	6	1.95	2.20	0.125	2.08	6.0241	0.21842	12.32
V4	7	1.76	1.76	0.125	1.63	7.6659	0.13588	7.74
V5	8	1.59	1.84	0.125	1.72	7.2886	0.11828	6.75
	9	1.59	1.34	0.125	1.21	10.2915	0.08377	4.78
V6	10	1.45	1.70	0.125	1.58	7.9365	0.09265	5.29
	11	1.45	1.20	0.125	1.08	11.6279	0.06324	3.62
V7	12	1.35	1.35	0.125	1.23	10.2041	0.06282	3.59
V8	13	1.27	1.52	0.125	1.40	8.9606	0.06341	3.62
	14	1.27	1.02	0.125	0.90	13.9665	0.04068	2.33
V9	15	1.23	1.23	0.125	1.10	11.3574	0.04492	2.57
V10	16	1.21	1.21	0.125	1.08	11.5250	0.04017	2.3

✓ *Tracé en plan*

Les câbles de précontrainte suivent un tracé parallèle à l'axe longitudinal du voussoir et une loi parabolique. Puis, pour s'ancrer dans l'âme, ils prennent une trajectoire en plan de forme "S" sur toute la longueur du voussoir. Ensuite, ils prennent un tracé rectiligne jusqu'à leur ancrage (figure 6.3).

L'équation de la courbure :

$$Z(x) = ax^2 + bx + c$$

D'après les conditions aux limites :

$$Z(x) = z_0 + (z_1 + z_0) \frac{x^2}{L^2}$$

Le rayon de la courbure a pour formule : $R(x) = \frac{x^2}{2(z_1 - z_0)}$

La déviation angulaire : $\beta = \text{Arctg} \left(2(z_1 + z_0) \frac{x^2}{L^2} \right)$

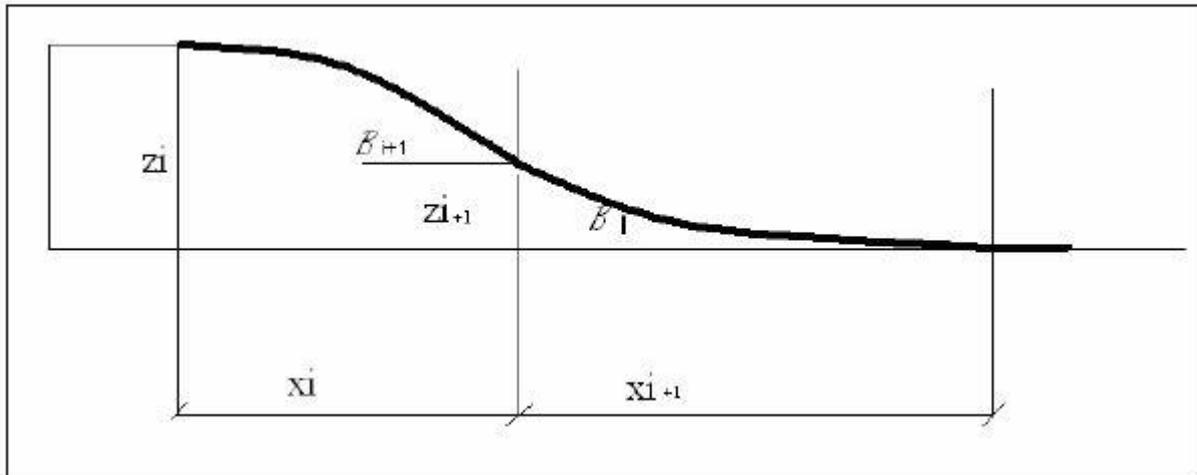


Figure 6.3 : Tracé en plan d'un câble.

Avec : z_i : La position du câble par rapport à l'axe de l'âme.
 β : L'angle de déviation en plan.

A titre d'exemple, le câble du voussoir sur pile :

$$z_1 = -0.045 \text{ m} \quad z_0 = -0.09 \text{ m} \quad L = 4 \text{ m.}$$

$$\text{Alors : } Z(x) = -0.09 + 0.0084 x^2.$$

$$R = 4^2 / 2(0.045 - 0.09) = 177.778 \text{ m.}$$

$$\beta = \text{Arctg} (2(0.18 - 0.09)/4) = 1.289^\circ.$$

Les valeurs de β des autres câbles sont données dans le tableau 6.6.

Tab 6.6 : Valeurs de β pour chaque câble de voussoir.

Voussoir	câble	z_0 (m)	z_1 (m)	$z_1 - z_0$ (m)	R (m)	tg β	β (°)
VSP	1	-0.09	-0.045	0.045	177.778	0.023	1.289
V1	2	0.09	0.045	-0.045	-277.778	-0.018	-1.031
	3	-0.27	-0.135	0.135	92.593	0.054	3.091
V2	4	0.27	0.135	-0.135	-92.593	-0.054	-3.091
V3	5	-0.45	-0.225	0.225	55.556	0.090	5.143
	6	0.45	0.225	-0.225	-55.556	-0.090	-5.143
V4	7	-0.63	-0.315	0.315	39.683	0.126	7.181
V5	8	0.63	0.315	-0.315	-39.683	-0.126	-7.181
	9	-0.81	-0.405	0.405	30.864	0.162	9.202
V6	10	0.81	0.405	-0.405	-30.864	-0.162	-9.202
	11	-0.99	-0.495	0.495	25.253	0.198	11.200
V7	12	0.99	0.495	-0.495	-25.253	-0.198	-11.200
V8	13	-1.17	-0.585	0.585	21.368	0.234	13.170
	14	1.17	0.585	-0.585	-21.368	-0.234	-13.170
V9	15	-1.35	-0.675	0.675	18.519	0.270	15.110
V10	16	1.35	0.675	-0.675	-18.519	-0.270	-15.110

b) Précontrainte de continuité

Après avoir terminé la réalisation des fléaux, la phase suivante consiste à réaliser le clavage et la mise en tension des câbles de continuité.

La précontrainte sera évaluée selon les charges suivantes :

- ✓ Poids propre du tablier.
- ✓ Surcharge de trottoir.
- ✓ Surcharges routières et surcharges climatiques.

➤ *Combinaisons des charges*

La combinaison qui a donné le moment fléchissant ainsi que l'effort tranchant à l'ELS est :

$$\text{ELS A "température"} = G + 1.2 [A (L) + St] + \Delta t.$$

Les résultats sont représentés sur les figures 6.4 et 6.5.

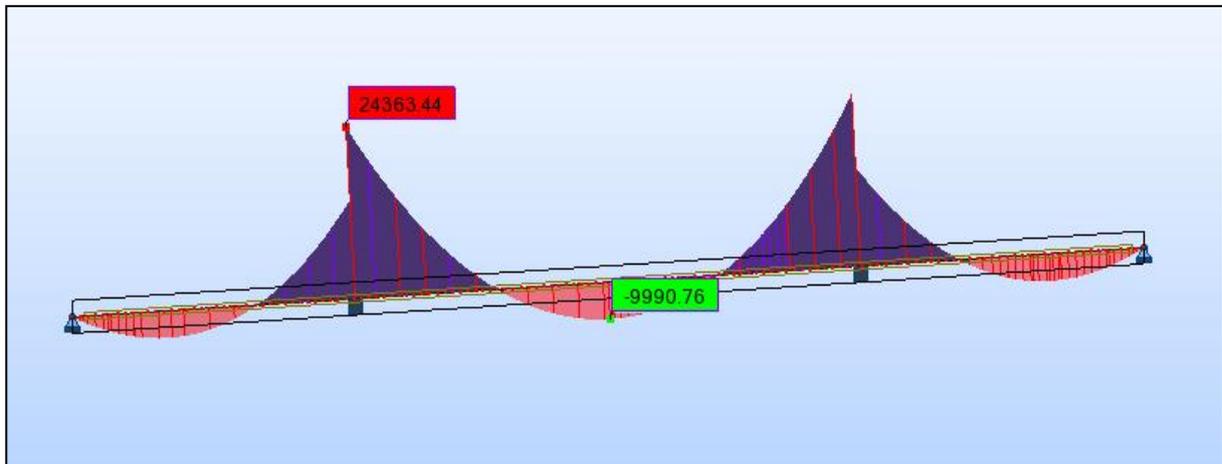


Figure 6.4 : Diagramme du moment fléchissant en t.m sous la combinaison ELS A "température".

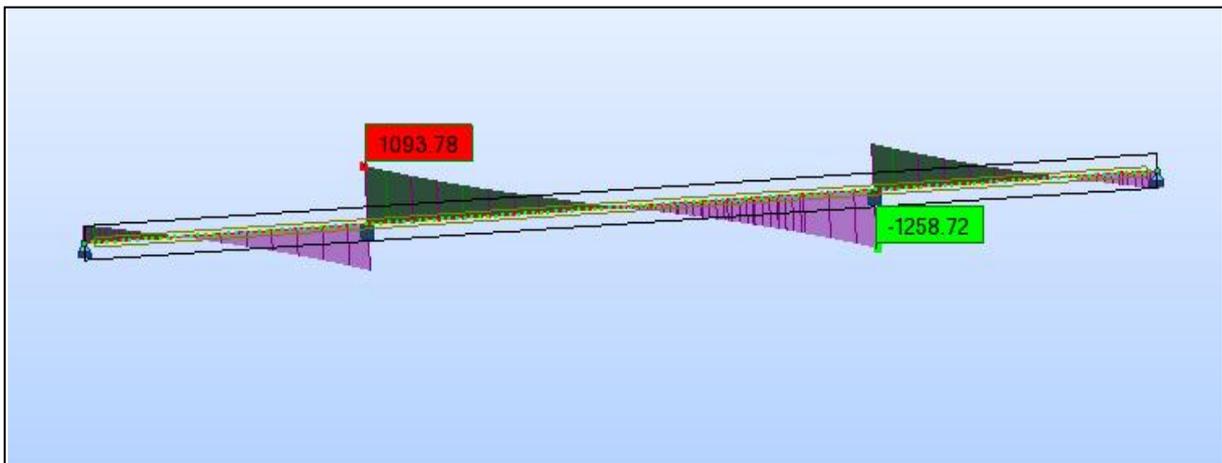


Figure 6.5 : Diagramme de l'effort tranchant en t.m sous la combinaison ELS A "température".

➤ *Détermination de la précontrainte*

Pour déterminer l'effort de précontrainte et le nombre de câbles, on tient compte des moments fléchissants positifs. Les résultats sont représentés dans le tableau 6.7.

Tab 6.7 : Nombre de câbles de continuité pour la travée centrale.

x (m)	d (m)	V' (m)	e (m)	B (m ²)	I (m ⁴)	M (t.m)	P (t)	N	N arrondis
4	0.125	2.838	2.713	8.526	41.213	-15946.070	-	-	
9	0.125	2.621	2.496	7.985	32.354	-11208.560	-	-	
14	0.125	2.428	2.303	7.501	25.491	-6995.980	-	-	
19	0.125	2.261	2.136	7.075	20.232	-3274.070	-	-	
24	0.125	2.118	1.993	6.705	16.251	-10.140	-	-	
29	0.125	2.001	1.876	6.392	13.283	2812.660	965.127	4.733	6
34	0.125	1.908	1.783	6.136	11.116	5225.020	1912.163	9.378	10
39	0.125	1.841	1.716	5.937	9.589	7241.400	2792.653	13.696	14
44	0.125	1.798	1.673	5.795	8.579	8875.330	3555.256	17.436	18
49	0.125	1.781	1.656	5.710	8.006	9789.800	4007.784	19.655	20
54	0.125	1.788	1.663	5.682	7.820	9990.760	4106.866	20.141	22
56	0.125	1.788	1.663	5.687	8.006	9836.040	4014.172	19.687	20
61	0.125	1.798	1.673	5.739	8.579	8611.190	3438.361	16.863	18
66	0.125	1.841	1.716	5.848	9.589	6859.440	2631.780	12.907	14
71	0.125	1.908	1.783	6.014	11.116	4566.200	1659.353	8.138	10
76	0.125	2.001	1.876	6.237	13.283	1717.660	584.213	2.865	4
81	0.125	2.118	1.993	6.517	16.251	-1724.580	-	-	
86	0.125	2.261	2.136	6.853	20.232	-6271.160	-	-	
91	0.125	2.428	2.303	7.247	25.491	-11308.410	-	-	
96	0.125	2.621	2.496	7.698	32.354	-16870.590	-	-	
100	0.125	2.838	2.713	8.100	41.213	-21721.540	-	-	

Donc, le nombre de câbles est de **22**.

6.4.2. Poutres (Partie isostatique)

a) Détermination de la précontrainte

La combinaison qui a donné le moment fléchissant ainsi que l'effort tranchant à l'ELS est :
 ELS D240 = G + D240.

Les résultats sont représentés sur les figures 6.6 à 6.9.



Figure 6.6 : Diagramme du moment fléchissant en t.m sous l'effet de la combinaison ELU D240.

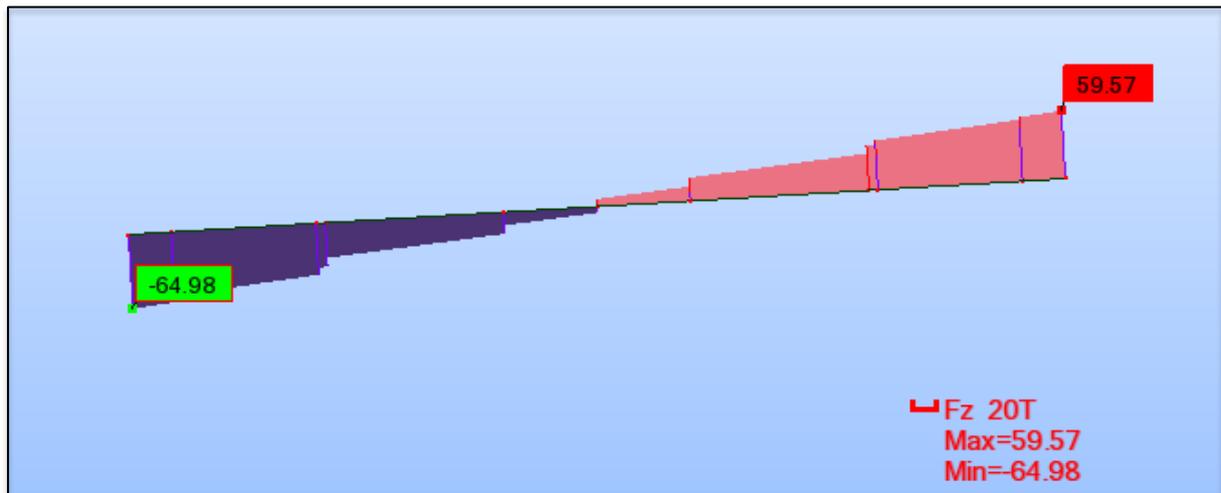


Figure 6.7 : Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELU D240.



Figure 6.8 : Diagramme du moment fléchissant en t.m sous l'effet de la combinaison ELS D240.

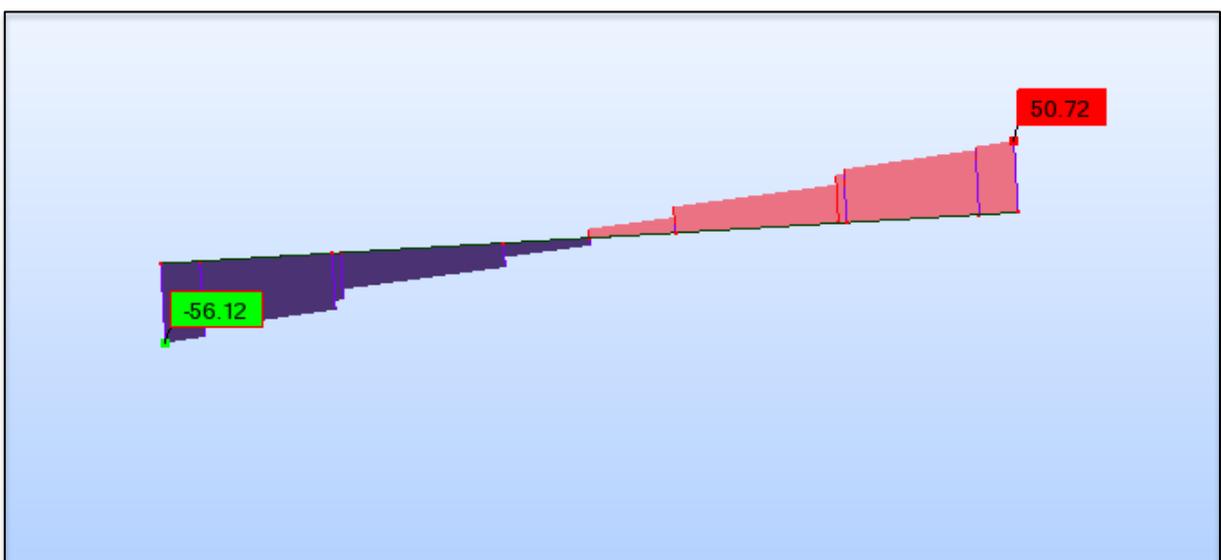


Figure 6.9 : Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELS D240.

La précontrainte se calculera pour la section médiane en tenant compte des moments suivants :

$$M_{\max} = 343.22 \text{ t.m}$$

$$M_{\min} = 185.45 \text{ t.m} \rightarrow \Delta M = 157.77 \text{ t.m}$$

On calcule les valeurs de P_1 et P_2 correspondant respectivement à la section sous-critique et sur-critique ; la plus grande des deux est la précontrainte minimale qui doit être introduite dans la section telle que :

$$P_1 = \frac{\Delta M + \rho B_n (V \cdot \sigma_{ti} + V' \cdot \sigma_{ts})}{\rho \cdot h} \quad \text{et} \quad P_2 = \frac{M_{\max} + \rho B_n \cdot V \cdot \sigma_{ti}}{\rho \cdot V + V' - d'}$$

Le calcul se fera en classe I donc $\sigma_{ts} = \sigma_{ti} = 0$.

$$\rightarrow P_1 = \frac{\Delta M}{\rho \cdot h} \quad \text{et} \quad P_2 = \frac{M_{\max}}{\rho \cdot V + V' - d'}$$

Section sous-critique : $P_1 = 202.24 \text{ t}$.

Section sur-critique : $P_2 = 303.52 \text{ t}$

Avec d' : enrobage égal à $0.1 h_{\text{poutre}}$ soit 0.15 m .

Donc $P = \text{Max}(P_1, P_2) = 303.52 \text{ t} \rightarrow$ la section est sur-critique.

On estime les pertes de précontrainte à 20 %, on aura :

$$N \geq \frac{P}{0.8 P_0} = 1.5 \rightarrow N = 2.$$

On adoptera donc 2 câbles de 12T15.

Avant le coulage de l'hourdis général, les câbles de l'about doivent être tirés à 100 %. Pour déterminer le nombre de câbles à l'about, on doit vérifier les contraintes sur les fibres supérieure et inférieure.

$$\sigma_c = \frac{P}{B} - \frac{P \cdot e}{I} V' + \frac{M_{\min} V'}{I} \leq \sigma_{c\max} = 0.6 f_{cj} = 21 \text{ MPa.}$$

$$\sigma_t = \frac{P}{B} + \frac{P \cdot e}{I} V - \frac{M_{\min} V}{I} \geq \sigma_{t\max} = 0 \text{ MPa.}$$

Avec : $P = 2(P_0 - \Delta P) = 407.8 \text{ t}$ $e_0 = -(V' - d') = -0.75 \text{ m}$ $B_n = 0.9 \text{ m}^2$ $I = 0.162 \text{ m}^4$
 $V' = 0.9 \text{ m}$ $V = 0.6 \text{ m}$.

$$\rightarrow \sigma_c = 8.5 \text{ MPa} < 21 \text{ MPa.}$$

$$\sigma_t = 1.9 \text{ MPa} > 0 \text{ MPa.}$$

Les deux inégalités étant vérifiées, on placera deux câbles à l'about.

➤ **Positionnement des câbles**

Deux câbles sont en intrados ; on dispose ces derniers de telle sorte que leur centre de gravité se rapproche du centre de gravité de la section pour obtenir un moment de précontrainte nul (ou faible).

Pour la disposition des câbles à l'about, on suit les conditions suivantes (d'après le document SETRA) [8] :

$$d \geq 16.5 \text{ cm}; \quad d' \geq 16.5 \text{ cm}; \quad a \geq 28 \text{ cm.}$$

$$M_{/\Delta} \rightarrow (P_1 + P_2) \cdot v' = P_2 (a + d) + P_1 \cdot d$$

$$\text{Avec : } P_1 = P_2 = P_0. \rightarrow d = (2V' - a)/2 = 65 \text{ cm} \rightarrow d' = 35 \text{ cm.}$$

d et d' sont supérieures à 16.5 donc condition vérifiée.

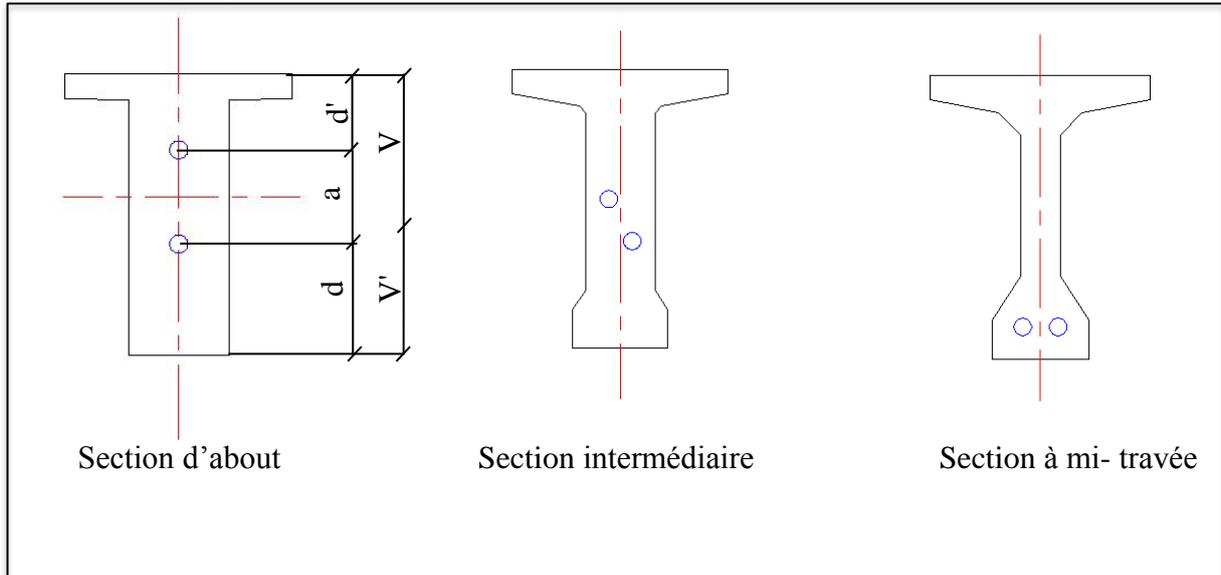


Figure 6.10 : Positionnement des câbles aux différentes sections de la poutre.

b) Détermination de l'angle de relevage

L'angle de relevage obéit à la loi suivante : $\text{Arcsin} \{(V_M - \bar{V})/P\} \leq \alpha \leq \text{Arcsin} \{(V_M + \bar{V})/P\}$

Avec :

✚ Pour la poutre intermédiaire : $V_M = 56.12 \text{ t}$
 $V_m = 25.29 \text{ t}$

✚ Pour la poutre de rive : $V_M = 37.27 \text{ t}$
 $V_m = 33.54 \text{ t}$

L'effort tranchant limite \bar{V} que peut supporter la section d'about est donné par la relation suivante : $\bar{V} = \bar{\tau} \times b_n (0.8 H)$;

Avec : b_n : largeur nette de la section d'about donnée par la relation $b_n = b_0 - n.k.\phi$ tel que : $b_0 = 0.44 \text{ m}$; $k = 0.5$; $n=1$ nombre de gaines par fil.

$H = 1.50 \text{ m}$: hauteur de la poutre plus l'hourdis.

$$\bar{\tau} = \sqrt{0.4 f_{tj} (f_{tj} + \frac{2}{3} * \sigma_x)} : \text{contrainte tangentielle limite à l'ELS.}$$

Avec : $f_{tj} = f_{t28} = 2.7 \text{ MPa}$; $\sigma_x = P / B_n$; $P = 0.8.n.P_0 = 407.8 \text{ t}$

➔ $\bar{\tau} = 2.48 \text{ MPa}$ ➔ $\bar{V} = 119 \text{ t}$.

Donc pour : La poutre intermédiaire : $-9.84^\circ \leq \alpha \leq 24.37^\circ$

La poutre de rive : $-10.76^\circ \leq \alpha \leq 23.38^\circ$

La limite de l'angle de relevage est approximativement la même pour les deux poutres ; par commodité on adopte les mêmes angles pour toutes les poutres. Ils sont fixés comme suit : $\alpha_1 = 10^\circ$ et $\alpha_2 = 16^\circ$.

c) Allure des câbles

Le tracé est parabolique afin d'optimiser au mieux l'effet de la précontrainte tant sur le plan de la résistance en flexion que sur celui de la résistance à l'effort tranchant. Chaque câble est divisé en deux parties :

- ✓ partie rectiligne.

- ✓ partie parabolique qui est régie par l'équation :

$$Y = a.X^2$$

Avec : L_c : longueur de la partie courbe.

L_r : longueur de la partie rectiligne.

$Y' = \tan\alpha = 2aX$; on pose $X = L_c \rightarrow a = \tan\alpha / (2L_c)$

Donc : $Y_c = (\tan\alpha / (2L_c)) L_c^2 \rightarrow L_c = (2Y_c) / \tan\alpha$.

Tab 6.8 : Valeurs de Y_c , L_c et L_r pour chaque câble.

	α (°)	\tan (rad)	Y_c (cm)	L_c (cm)	L_r (cm)	$a.10^3$
cab 1	10	0.176	50	568.18182	681.81818	0.1549
cab 2	16	0.286	100	699.3007	550.6993	0.2045

Les différentes hauteurs des deux câbles, ainsi que leur tracé sont représentés dans la figure 6.8.

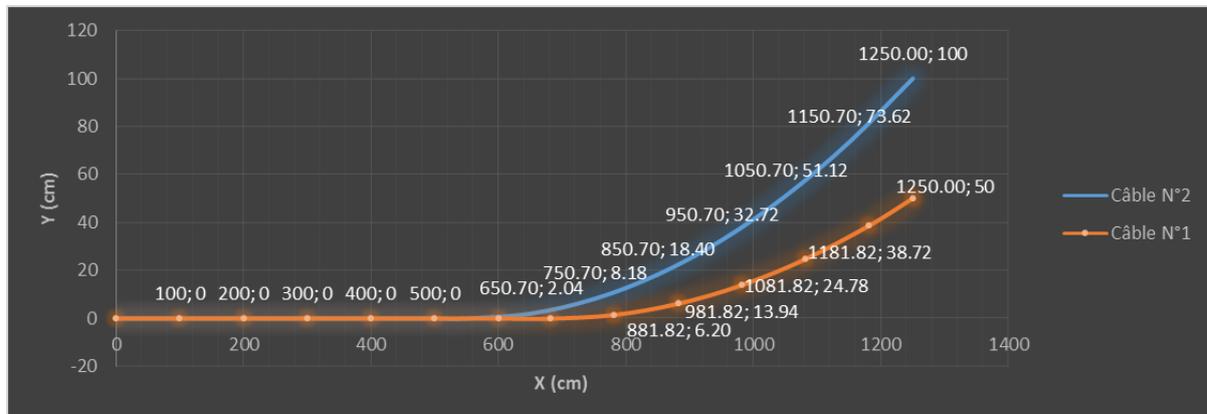


Figure 6.11 : Allure des câbles et leurs différentes hauteurs.

6.5. Pertes de précontrainte

Les contraintes de précontrainte appliquées à une structure sont variables selon les diverses sections et en fonction du temps. Ces variations qui vont généralement dans le sens d'une réduction des forces sont appelées pertes de précontrainte.

On les classe en deux familles :

- ✓ Les pertes instantanées se produisent dans un temps relativement court au moment de la mise en tension et de la mise en précontrainte. Elles sont appelées aussi pertes à la mise en œuvre. Elles sont dûes :
 - ✓ Au frottement du câble dans sa gaine.
 - ✓ Au tassement des organes d'ancrage (ou recul d'ancrage).
 - ✓ A la non simultanément des mises en tension des différents câbles.
- ✓ Les pertes différées : se produisent pendant un temps plus ou moins long après que la structure ait été précontrainte et elles proviennent de l'évolution dans le temps des caractères des matériaux lorsqu'ils sont soumis à des actions permanentes. Elles sont dûes :
 - ✓ Au retrait et fluage du béton.
 - ✓ A la relaxation des aciers.

6.5.1. Pertes de précontrainte

a) Pertes instantanées

➤ Pertes par frottement du câble sur la gaine

Le Béton Précontraint aux Etats Limites donne la relation suivante [2] :

$$\Delta\sigma_f = \sigma_{p0} (f.\alpha + \phi x).$$

Avec : α : angle de relevage du câble en radians.

x : longueur en courbe des câbles.

f : coefficient de frottement de câble dans les courbes = 0.18 rad^{-1}

ϕ : perte relative de tension par mètre = 2.10^{-3} m^{-1}

σ_{p0} : contrainte à l'ancrage = 1416 MPa.

➤ Pertes dues au recul de l'ancrage

Ces pertes correspondent à un glissement des torons ou fils dans les clavettes et celui des clavettes dans les plaques d'ancrage lors de la mise en tension du vérin et des blocages des clavettes [2].

L'intensité représente l'aire du triangle hachuré compris entre les diagrammes des tensions avant et après ancrage (figure 6.12).

$$\text{D'où : } \lambda = \sqrt{\frac{g \cdot E_p}{\sigma_{p0}(f.\theta/l + \phi)}} \quad \text{et} \quad \Delta\sigma = 2\sigma_0(f.\theta/l + \phi).$$

Avec : g : Intensité du recul d'ancrage égal à 6 mm.

E_p : Module d'élasticité d'acier, $E_p = 1.9 \times 10^5 \text{ MPa}$.

l : Longueur horizontale du câble.

λ : Longueur sur laquelle se fait le recul d'ancrage.

Pour $x > \lambda \rightarrow \Delta\sigma(x) = 0$.

$$\text{Pour } x < \lambda \rightarrow \Delta\sigma(x) = \frac{\Delta\sigma(\lambda - x)}{\lambda}$$

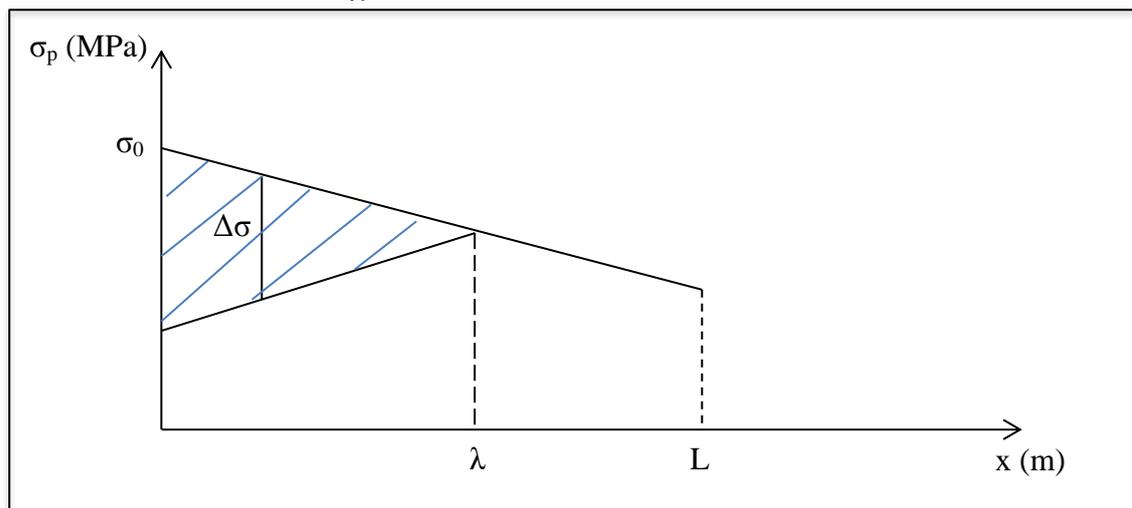


Figure 6.12 : Principe des pertes par recul d'encrage.

➤ *Pertes par raccourcissement instantané du béton*

Le fait de tirer les câbles un par un entraîne une perte de tension dite par raccourcissement élastique du béton ; le câble n+1 fera perdre de la tension au câble n, ceci étant dû à la non simultanéité des mises en tension.

La perte est donnée par la formule suivante [2] :

$$\Delta\sigma_{pi}(x) = \frac{1}{2} \sigma_{bn}(x) \frac{E_p}{E_b}$$

n : nombre de câbles.

E_b : module de Young instantané du béton, $E_b = 35981.72$ MPa.

σ_{bn} : contrainte au niveau du c.d.g des câbles sous l'effet des actions de longue durée.

$$\sigma_{bn} = \frac{P}{B} + \frac{P \cdot e}{I} V' - \frac{M}{I} V'$$

Avec : e : excentricité du câble à la section considérée.

b) *Pertes différées*

➤ *Pertes dues au retrait du béton*

Le retrait est un phénomène de raccourcissement du béton dans le temps dû à une évaporation de l'eau excédentaire contenue dans le béton et à des réactions chimiques. Ce retrait a lieu pendant les premiers mois après le coulage du béton.

La perte finale due au retrait du béton est donnée par [2]:

$$\Delta\sigma_{retrait} = \varepsilon_r \cdot E_p$$

Avec : ε_r : retrait total du béton égal à $3 \cdot 10^{-4}$.

➤ *Pertes dues au fluage*

Le béton étant maintenu sous charge fixe indéfiniment appliquée, sa déformabilité n'est pas constante mais augmente lentement et de façon continue dans le temps : c'est le phénomène de fluage.

La perte de tension due au fluage est donnée par la formule suivante [2]:

$$\Delta\sigma_{fluage} = 2 \frac{E_p}{E_b} \sigma_{bn}(x)$$

Avec : σ_b : contrainte finale dans le béton au niveau du câble moyen.

E_b : module d'élasticité du béton égal à 35982 MPa.

➤ *Pertes dues à la relaxation des aciers*

La relaxation est un relâchement de tension de câble. Elle n'apparaît pour les aciers à haute limite élastique utilisés dans le béton précontraint que pour des tensions supérieures de 30 à 40% de leur tension de rupture garantie.

Elle dépend de la nature de l'acier et de son traitement. On distingue les aciers à relaxation normale dits RN, et les aciers à très basse relaxation dits TBR.

On préconise toujours des aciers TBR malgré le surplus en coût que cela engendre ; ce dernier est vite compensé par l'économie sur la tension non perdue.

La perte de tension due à la relaxation est donnée par la relation suivante [2] :

$$\Delta\sigma_p = 6\% \rho_{1000} \left[\frac{\sigma_{pi}}{f_{prg}} - \mu_0 \right] \cdot \sigma_{pi}$$

Avec : $\mu_0 = 0.43$ pour les câbles TBR.

$\rho_{1000} = 2.5\%$ valeur de la relaxation à $t = 1000$ h.

σ_{pi} : contrainte normale dans le câble après toutes pertes instantanées.

$f_{prg} = 1770$ MPa.

6.5.2. Calcul des pertes de précontrainte

a) Voussoirs (partie hyperstatique)

Les différentes valeurs de pertes de tension sont représentées dans les tableaux de 6.9 à 6.13.

➤ Pertes instantanées

Tab 6.9 : Pertes de précontrainte dûes au frottement.

voussoir	N° câble	x (m)	β rad	α (rad)	θ (rad)	$f*\theta + \phi*x$	$\Delta\sigma_f$ (MPa)
VSP	1	4	0.022	0.464	0.486	0.095	135.214
V1	2	9	0.018	0.428	0.446	0.098	139.241
V2	3	14	0.054	0.517	0.571	0.121	185.074
	4	14	0.054	0.286	0.339	0.089	126.176
V3	5	19	0.090	0.164	0.254	0.084	118.546
	6	19	0.090	0.215	0.305	0.093	131.491
V4	7	24	0.125	0.135	0.260	0.095	134.346
V5	8	29	0.125	0.118	0.243	0.102	144.102
	9	29	0.161	0.083	0.244	0.102	144.327
V6	10	34	0.161	0.092	0.253	0.114	160.755
	11	34	0.195	0.063	0.259	0.115	162.213
V7	12	39	0.195	0.063	0.258	0.124	176.240
V8	13	44	0.230	0.063	0.293	0.141	199.299
	14	44	0.230	0.041	0.271	0.137	193.561
V9	15	49	0.264	0.045	0.309	0.154	217.416
V10	16	54	0.264	0.040	0.304	0.163	230.374
							2598.375

Tab 6.10 : Pertes de précontrainte dues au recul d'encrage.

Voussoir	x (m)	N° câble	α (rad)	λ (m)	$f^*\alpha/L + \varnothing$	$\Delta\sigma_g$ (MPa)
VSP	4	1	0.4636	5.9345	0.0229	384.1969
V1	9	2	0.4283	8.7290	0.0106	261.1986
V2	9	3	0.5166	8.0797	0.0123	282.1870
	14	4	0.2855	11.9147	0.0057	191.3597
V3	19	5	0.1642	15.0468	0.0036	151.5269
	19	6	0.2150	14.1217	0.0040	161.4535
V4	24	7	0.1351	16.3459	0.0030	139.4843
V5	29	8	0.1178	17.1689	0.0027	132.7986
	29	9	0.0834	17.8817	0.0025	127.5048
V6	34	10	0.0923	17.9857	0.0025	126.7677
	34	11	0.0632	18.5706	0.0023	122.7750
V7	39	12	0.0627	18.7534	0.0023	121.5779
V8	44	13	0.0632	18.8805	0.0023	120.7594
	44	14	0.0407	19.2777	0.0022	118.2713
V9	49	15	0.0449	19.2848	0.0022	118.2280
V10	54	16	0.0401	19.4242	0.0021	117.3794
						2677.4690

Tab 6.11 : Pertes de précontrainte dues au raccourcissement de béton.

voussoir	N°	M (MN)	I (m ⁴)	S (m ²)	V (m)	e (m)	P (MN)	σ_b (MPa)	$\Delta\sigma_{pi}$ (MPa)
VSP	1	-233.840	41.213	9.000	2.970	2.845	81.562	8.933	23.585
V1	2	-191.535	32.354	8.526	2.720	2.595	76.464	9.545	25.200
V2	3	-153.020	25.491	7.985	2.434	2.309	71.366	10.058	26.555
	4	-153.020	25.491	7.985	2.434	2.309	71.366	10.058	26.555
V3	5	-118.381	20.232	7.075	1.952	1.827	61.171	8.006	21.137
V4	6	-87.747	16.251	6.705	1.756	1.631	56.074	8.762	23.133
	7	-87.747	16.251	6.705	1.756	1.631	56.074	8.762	23.133
V5	8	-61.285	13.283	6.392	1.590	1.465	45.878	7.885	20.818
	9	-61.285	13.283	6.392	1.590	1.465	45.878	7.885	20.818
V6	10	-39.201	11.116	6.136	1.454	1.329	35.683	6.889	18.188
	11	-39.201	11.116	6.136	1.454	1.329	35.683	6.889	18.188
V7	12	-21.738	9.589	5.937	1.348	1.223	25.488	5.617	14.831
V8	13	-9.182	8.579	5.795	1.272	1.147	20.390	5.623	14.846
	14	-9.182	8.579	5.795	1.272	1.147	20.390	5.623	14.846
V9	15	-1.855	8.006	5.710	1.226	1.101	10.195	3.219	8.500
V10	16	0.000	7.820	5.682	1.210	1.085	5.098	1.752	4.627
									304.957

Enfin, les pertes de précontrainte instantanées sont de :

$$\sum \Delta\sigma_{inst} = \Delta\sigma_f + \Delta\sigma_g + \Delta\sigma_{pi} = 5580.8 \text{ MPa. Soit de l'ordre de } 5581 \text{ MPa.}$$

Chapitre 6 : Étude de la précontrainte

➤ Pertes différées de précontrainte

Tab 6.12 : Pertes de précontrainte dues au fluage du béton.

N°	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	
σ (MPa)	8.93	9.54	10.06	10.06	8.01	8.76	8.76	7.89	7.89	6.89	6.89	5.62	5.62	5.62	3.22	1.75	
$\Delta\sigma$ (MPa)	94.33	100.79	106.21	106.21	84.54	92.52	92.52	83.26	83.26	72.75	72.74	59.32	59.38	59.38	33.99	18.51	
																	1219.72

Tab 6.13 : Pertes de précontrainte dues à la relaxation des aciers.

N° câble	$\Delta\sigma_f$ (MPa)	$\Delta\sigma_g$ (MPa)	$\Delta\sigma_{pi}$ (MPa)	$\Delta\sigma_{inst}$ (MPa)	σ_{pi} (MPa)	μ	$\mu-\mu_0$	$\Delta\sigma_p$ (MPa)
1	135.214	384.197	23.585	542.996	873.004	0.493	0.063	0.083
2	139.241	261.199	25.200	425.640	990.360	0.560	0.130	0.192
3	185.074	282.187	26.555	493.815	922.185	0.521	0.091	0.126
4	126.176	191.360	26.555	344.090	1071.910	0.606	0.176	0.282
5	118.546	151.527	21.137	291.210	1124.790	0.635	0.205	0.347
6	131.491	161.453	23.133	316.077	1099.923	0.621	0.191	0.316
7	134.346	139.484	23.133	296.963	1119.037	0.632	0.202	0.339
8	144.102	132.799	20.818	297.718	1118.282	0.632	0.202	0.338
9	144.327	127.505	20.818	292.649	1123.351	0.635	0.205	0.345
10	160.755	126.768	18.188	305.711	1110.289	0.627	0.197	0.329
11	162.213	122.775	18.188	303.177	1112.823	0.629	0.199	0.332
12	176.240	121.578	14.831	312.649	1103.351	0.623	0.193	0.320
13	199.299	120.759	14.846	334.904	1081.096	0.611	0.181	0.293
14	193.561	118.271	14.846	326.678	1089.322	0.615	0.185	0.303
15	217.416	118.228	8.500	344.143	1071.857	0.606	0.176	0.282
16	230.374	117.379	4.627	352.380	1063.620	0.601	0.171	0.273
								4.500

✓ **Pertes de précontrainte dues retrait du béton**

$$\Delta\sigma_r = 38 \text{ MPa.}$$

Les pertes différées sont donc évaluées à :

$$\sum \Delta\sigma_{\text{diff}} = \Delta\sigma_r + \Delta\sigma_{\text{fl}} + 5/6 \Delta\sigma_p = 2651.473 \text{ MPa.}$$

La somme des pertes totales dues aux pertes instantanées et différées est égale à :
 $\sum \Delta\sigma_{\text{inst}} + \sum \Delta\sigma_{\text{diff}} = 6842.274 \text{ MPa.}$

Donc, le pourcentage des pertes est égal à **18.17 %**, ce qui est inférieur aux 20% pris lors du dimensionnement de la précontrainte. Alors, nous gardons le même nombre qui est égal à 32 câbles 12T15.

b) Poutres (partie isostatique)

➤ **Pertes instantanées**

Les différentes valeurs de pertes de tension sont représentées dans les tableaux de 6.14 à 6.18.

Tab 6.14 : Pertes de précontrainte dues au frottement.

x (m)	Câble	L (m)	α (rad)	$f*\alpha*+\phi*L$	$\Delta\sigma_f$ (MPa)
6.25	1	6.34	0.1745	0.04409	62.43
	2	6.5	0.2792	0.063256	89.57
12.5	1	12.7	0.1745	0.05681	80.44
	2	13	0.2792	0.076256	107.97

Tab 6.15 : Pertes de précontrainte dues au recul d'encrage.

Câble	$\Delta\sigma_0$ (MPa)	λ (m)	x = 0	x = 6.25 m	x = 12.5 m
1	144.97	15.72	144.97	87.33	29.69
2	130.67	14.17	130.67	89.80	15.40

Tab 6.16 : Pertes de précontrainte dues au raccourcissement du béton.

x (m)	P (t)	M (t.m)	σ_b (MPa)	$\Delta\sigma_{pi}$ (MPa)
0	230.07	0	27.24	71.91
6.25	225.26	197.33	14.38	37.95
12.5	233.86	473.56	7.56	2.32

➤ **Pertes différées**

✓ **Pertes de précontraintes dues au retrait du béton**

$$\Delta\sigma_r = 57 \text{ MPa.}$$

Tab 6.17 : Pertes de précontrainte dues au fluage du béton.

x (m)	0	6.25	12.5
$\Delta\sigma_{fl}$	287.67	151.81	9.29

Tab 6.18 : Pertes de précontrainte dues à la relaxation des aciers.

$\Delta\sigma_{inst}$ (MPa)	σ_{pi} (MPa)	μ	$\mu-\mu_0$	$\Delta\sigma$ (MPa)
151.17	1264.83	0.714	0.284	0.54
343.06	1072.94	0.606	0.176	0.28
298.7	1117.3	0.631	0.201	0.34

La somme des pertes totales dues aux pertes instantanées et différées est représentée dans le tableau 6.19 :

Tab 6.19 : Pertes instantanées, différées et leurs pourcentages.

	0 m	6.25 m	12.5 m
$\Delta\sigma_{inst}$ (MPa)	151.17	343.06	298.7
$\Delta\sigma_{diff}$ (MPa)	345.12	209.04	47.98
$\sum\Delta\sigma$ (MPa)	496.30	552.11	346.68
Le pourcentage des pertes (%)	17.52	19.50	12.24

Donc, le pourcentage des pertes est bien inférieur à 20%. Alors, nous gardons 2 câbles 12T15.

6.6.Vérification des contraintes normales

Cette étape a pour but de vérifier l'ensemble des contraintes engendrées par l'application de l'effort de précontrainte. Les contraintes normales doivent rester inférieures aux valeurs limites admissibles dans chaque section.

$$\text{On doit vérifier que [2]: } \sigma_{sup} = \frac{P}{B} + \frac{PeV}{I} - \frac{M_V}{I} \geq \sigma_{bt} \text{ (MPa)}$$

$$\sigma_{inf} = \frac{P}{B} - \frac{PeV'}{I} + \frac{M_{V'}}{I} \leq \sigma_{bc} \text{ (MPa)}$$

Avec : $\sigma_{bc} = 0.6 f_{c28} = 21 \text{ MPa}$.

$\sigma_{bt} = 0$; en phase de service.

$\sigma_{bt} = 0.7 f_{ij} = 1.89 \text{ MPa}$; en phase de construction [11].

a) Voussoirs

Les résultats pour différentes abscisses sont donnés dans le tableau 6.20.

Tab 6.20 : Différentes valeurs de σ_{sup} et σ_{inf} pour le demi-fléau de rive.

x (m)	b (m ²)	P (MN)	M (MN.m)	V (m)	V' (m)	I (m ⁴)	e (m)	σ_{sup} (MPa)	σ_{inf} (MPa)
4	9	65.249	-233.840	2.970	2.853	41.213	2.845	3.776	10.587
9	8.526	61.171	-191.535	2.720	2.651	32.354	2.595	4.416	9.864
14	7.985	57.093	-153.020	2.434	2.470	25.491	2.309	5.124	9.206
14	7.985	57.093	-153.020	2.434	2.470	25.491	2.309	5.124	9.206
19	7.075	48.937	-118.381	1.952	2.311	20.232	1.827	4.121	10.229
24	6.705	44.859	-87.747	1.756	2.174	16.251	1.631	5.113	8.644
24	6.705	44.859	-87.747	1.756	2.174	16.251	1.631	5.113	8.644
29	6.392	36.703	-61.285	1.590	2.058	13.283	1.465	4.841	6.909
29	6.392	36.703	-61.285	1.590	2.058	13.283	1.465	4.841	6.909
34	6.136	28.547	-39.201	1.454	1.963	11.116	1.329	4.486	4.877
34	6.136	28.547	-39.201	1.454	1.963	11.116	1.329	4.486	4.877
39	5.937	20.390	-21.738	1.348	1.890	9.589	1.223	3.883	2.806
44	5.795	16.312	-9.182	1.272	1.838	8.579	1.147	4.226	0.775
44	5.795	16.312	-9.182	1.272	1.838	8.579	1.147	4.226	0.775
49	5.710	8.156	-1.855	1.226	1.808	8.006	1.101	2.519	-0.110
54	5.682	4.078	0.000	1.210	1.800	7.820	1.085	1.402	-0.150

b) Poutres

La réalisation des poutres passe par quatre phases successives dans le temps. La résistance caractéristique varie par conséquent dans le temps ; c'est pour cela qu'il faut vérifier les contraintes dans chacune de ces phases :

- ✚ Tirage des câbles à 50% au 14^{ème} jour : on considère dans cette étape les pertes instantanées.
- ✚ Tirage des câbles à 100% au 28^{ème} jour : on considère en plus de la première phase les pertes différées.
- ✚ Pose des poutres sur appuis définitifs et coulage de l'hourdis ainsi que la mise en place de la superstructure.
- ✚ Mise en service avec considération de toutes les pertes calculées, et en considérant la section poutre + hourdis.

Les valeurs de contraintes normales sont données dans le tableau 6.21.

Tab 6.21 : Valeurs des contraintes normales à mi travée.

1ère phase									
section	B (m ²)	I (m ⁴)	V(m)	V'(m)	e(m)	M (MN.m)	P (MN)	σ_{inf} (MPa)	σ_{sup} (MPa)
L/2	0.4376	0.091	0.765	0.735	0.585	0.99	2.27	7.917	2.346
2ème phase									
section	B (m ²)	I (m ⁴)	V(m)	V'(m)	e(m)	M (MN.m)	P (MN)	σ_{inf} (MPa)	σ_{sup} (MPa)
L/2	0.4376	0.091	0.765	0.735	0.585	0.99	4.18	20.43	-1.57
3ème phase									
section	B (m ²)	I (m ⁴)	V(m)	V'(m)	e(m)	M (MN.m)	P (MN)	σ_{inf} (MPa)	σ_{sup} (MPa)
L/2	0.4376	0.091	0.765	0.735	0.585	1.44	4.18	20.055	0.206

4ème phase									
section	B (m ²)	I (m ⁴)	V(m)	V'(m)	e(m)	M (MN.m)	P (MN)	σ_{inf} (MPa)	σ_{sup} (MPa)
L/2	0.7376	0.17	0.5	1	0.85	1.44	4.47	19.940	-0.088

6.7. Vérification vis-à-vis de l'effort tranchant

La partie concernée par la vérification vis-à-vis de l'effort tranchant est l'âme, car elle est destinée en premier lieu à reprendre les contraintes de cisaillement.

6.7.1. Détermination de l'effort tranchant

Sous l'action de la précontrainte, il existe trois effets qu'on doit prendre en considération [7] :

- ✓ L'effet isostatique : Si on considère l'élément de poutre de la figure 6.13, située à gauche de la section étudiée, les actions s'exerçant sur l'élément gauche se réduisent au titre de composantes verticales de tous les efforts appliqués à :
 - ✓ un effort tranchant positif
 - ✓ une composante verticale de la précontrainte $P \sin \alpha$ que l'on retranche à l'effort tranchant positif

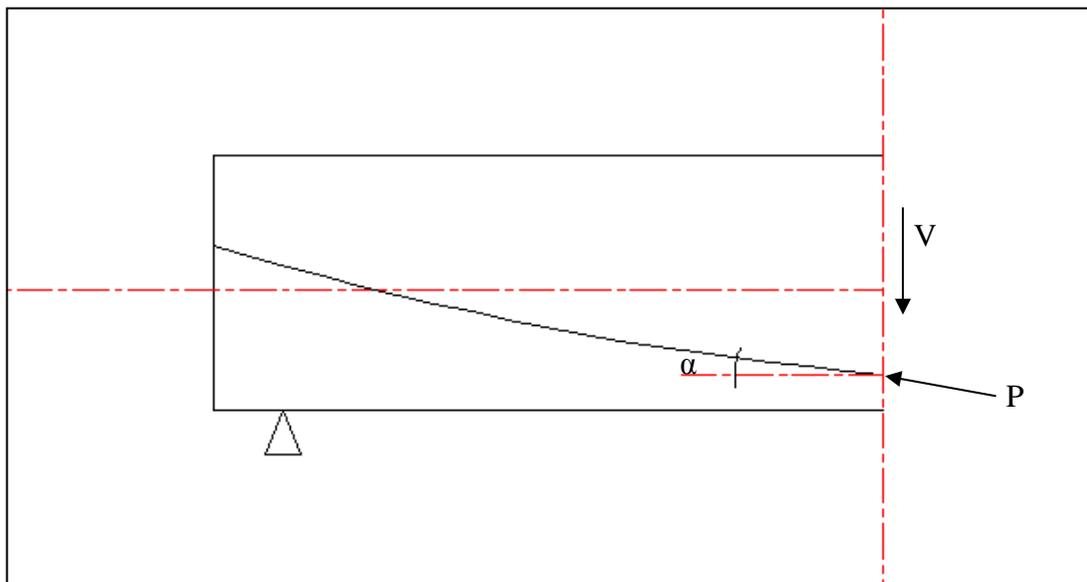


Figure 6.13 : Effet isostatique de l'effort tranchant.

- ➔ $V = P \sin \alpha = 0$ (tous les câbles sont horizontaux).
- ✓ L'effet hyperstatique : A cette action, nous devons ajouter l'effort tranchant dû au moment hyperstatique engendré par la précontrainte. Il est donné par : $V = \frac{dM}{dx}$.
- ✓ L'effet de RESAL : Le tablier de notre ouvrage présente une variation parabolique de la hauteur à l'intrados. Dans le cas des poutres continues, l'intrados est comprimé au voisinage des appuis, ce qui signifie qu'une partie de l'effort tranchant dû aux forces extérieures est dirigée suivant la composante verticale de cet effort de compression qui vaut : $V_r = \frac{M}{Z} \times \frac{dh}{dx}$ (figure 6.14).

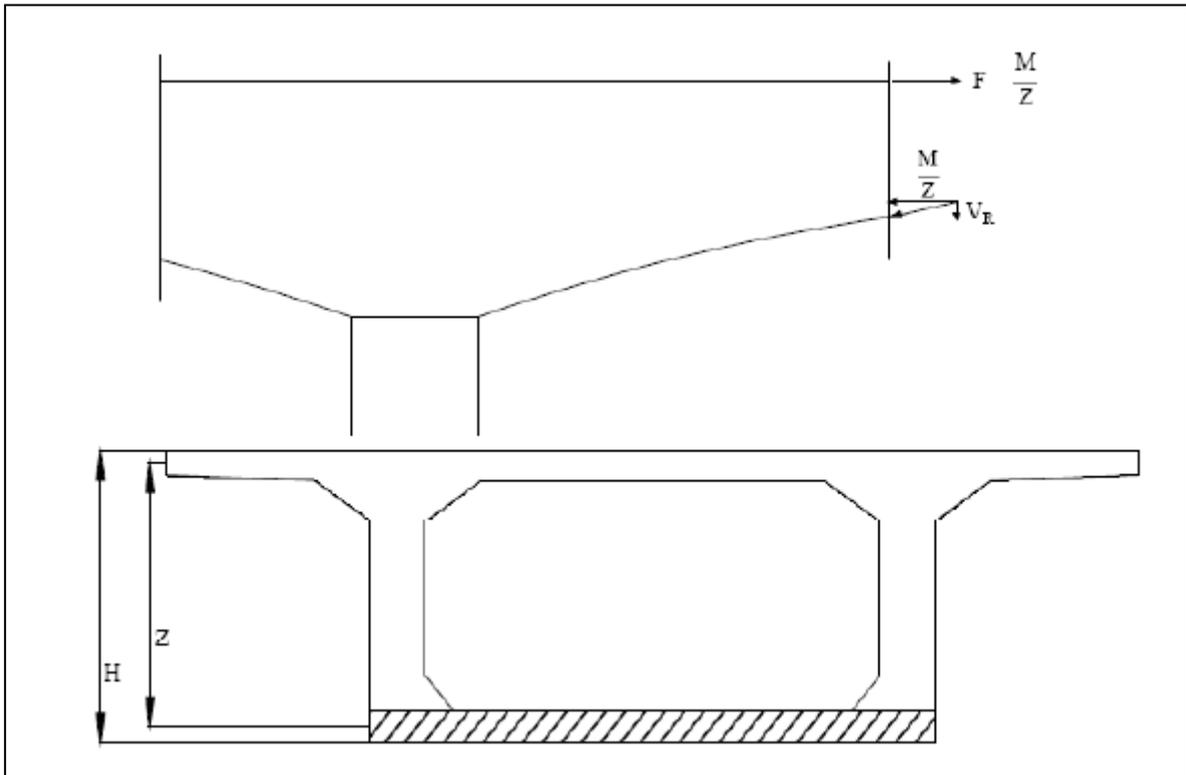


Figure 6.14 : Effet RESAL.

Avec : H : Hauteur du voussoir.

Z : Distance entre axe de la fibre supérieure et inférieure.

6.7.2. Calcul de la contrainte de cisaillement

a) Partie hyperstatique

La contrainte de cisaillement au point de côte y est donnée par [2] :

$$\tau = \frac{V}{Z \cdot b(y)}$$

Avec : V : effort tranchant

b(y) : largeur de la section à l'ordonnée y

On doit vérifier la condition suivante : $\tau^2 < \tau_{lim}$

$$\text{A l'ELS : } \tau = \frac{V \text{ (ELS)}}{Z \cdot 2b_n}$$

Avec b_n : la largeur nette de l'âme telle que $b_n = b - \phi_g = 28 \text{ cm}$.

Le cisaillement admissible vaut : $\tau_{lim} = \min(\tau_1 ; \tau_2)$

$$\text{Avec : } \tau_1 = 0.4f_{tj}(f_{tj} + \sigma_x) ; \sigma_x = \frac{P}{B}$$

$$\tau_2 = \frac{2 \cdot f_{tj}}{f_{cj}} (0.6 f_{cj} - \sigma_x) \cdot (f_{tj} + \sigma_x)$$

Le tableau 6.22 détaille les résultats trouvés.

Chapitre 6 : Étude de la précontrainte

Tab 6.22 : Résultats de la vérification de la contrainte tangentielle (partie hyperstatique).

x (m)	P (MN)	B (m ²)	e (m)	V (m)	H (m)	dM/dx	V hyper (MN)	M (MN.m)	Z (m)	dh/dx	V RESAL (MN)	V _r (MN)	σ _x (MPa)	τ (MPa)	τ ²	τ ₁	τ ₂
4	81.562	9.000	2.845	2.970	5.572	-0.233	-2.756	-233.840	5.215	-0.109	4.890	2.134	9.062	0.731	0.534	12.703	21.624
9	76.464	8.526	2.595	2.720	5.084	-0.517	-2.530	-191.535	4.747	-0.106	4.297	1.767	8.968	0.665	0.442	12.602	21.620
14	71.366	7.985	2.309	2.434	4.648	-0.793	-2.299	-153.020	4.328	-0.104	3.674	1.376	8.937	0.568	0.322	12.568	21.618
14	71.366	7.985	2.309	2.434	4.648	-0.793	-2.299	-153.020	4.328	-0.104	3.674	1.376	8.937	0.568	0.322	12.568	21.618
19	61.171	7.075	1.827	1.952	4.263	-1.060	-2.063	-118.381	3.958	-0.101	3.031	0.968	8.647	0.437	0.191	12.254	21.586
24	56.074	6.705	1.631	1.756	3.929	-1.321	-1.821	-87.747	3.637	-0.099	2.383	0.561	8.363	0.276	0.076	11.948	21.530
24	56.074	6.705	1.631	1.756	3.929	-1.321	-1.821	-87.747	3.637	-0.099	2.383	0.561	8.363	0.276	0.076	11.948	21.530
29	45.878	6.392	1.465	1.590	3.647	-1.574	-1.574	-61.285	3.366	-0.096	1.751	0.177	7.178	0.094	0.009	10.668	21.026
29	45.878	6.392	1.465	1.590	3.647	-1.574	-1.574	-61.285	3.366	-0.096	1.751	0.177	7.178	0.094	0.009	10.668	21.026
34	35.683	6.136	1.329	1.454	3.417	-1.821	-1.321	-39.201	3.144	-0.094	1.167	-0.153	5.816	-0.087	0.008	9.197	19.913
34	35.683	6.136	1.329	1.454	3.417	-1.821	-1.321	-39.201	3.144	-0.094	1.167	-0.153	5.816	-0.087	0.008	9.197	19.913
39	25.488	5.937	1.223	1.348	3.238	-2.063	-1.060	-21.738	2.972	-0.091	0.666	-0.394	4.293	-0.237	0.056	7.553	17.992
44	20.390	5.795	1.147	1.272	3.110	-2.299	-0.793	-9.182	2.849	-0.088	0.285	-0.507	3.519	-0.318	0.101	6.716	16.741
44	20.390	5.795	1.147	1.272	3.110	-2.299	-0.793	-9.182	2.849	-0.088	0.285	-0.507	3.519	-0.318	0.101	6.716	16.741
49	10.195	5.710	1.101	1.226	3.034	-2.530	-0.517	-1.855	2.775	-0.086	0.057	-0.460	1.785	-0.296	0.088	4.844	13.273
54	5.098	5.682	1.085	1.210	3.009	-2.756	-0.233	0.000	2.750	-0.083	0.000	-0.233	0.897	-0.151	0.023	3.885	11.136

Les résultats sont largement vérifiés.

b) Partie isostatique

La contrainte de cisaillement est donnée par : $\tau_{red} = \frac{V_{red} \cdot S}{b_n \cdot I}$

Avec : V_{red} : la valeur de l'effort tranchant réduit.

S : moment statique.

b_n : épaisseur nette de l'âme ; $b_n = 44 - 8 = 36$ cm.

I : moment d'inertie de la section considérée.

Pour la vérification, on doit vérifier la condition suivante $\tau^2 < \tau_{lim}$.

On procède à la vérification à l'about, là où l'effort tranchant est maximal. Les caractéristiques géométriques ainsi que les contraintes tangentielles à chaque phase de construction sont données dans le tableau 6.23.

Tab 6.23 : Résultats de la vérification de la contrainte tangentielle (partie isostatique).

Phase	V (MN)	V_p (MN)	V_{red} (MPa)	S (m ³)	I (m ⁴)	τ (MPa)	τ^2	τ_1	τ_2
1	0.192	0.459	-0.267	0.420	0.090	-2.028	4.114	5.065	12.277
2	0.192	0.910	-0.718	0.420	0.090	-2.093	4.381	9.842	20.471
3	0.335	0.910	-0.575	0.420	0.090	-2.138	4.571	9.842	20.471
4	0.561	0.910	-0.349	0.819	0.140	-2.242	5.027	7.587	18.039

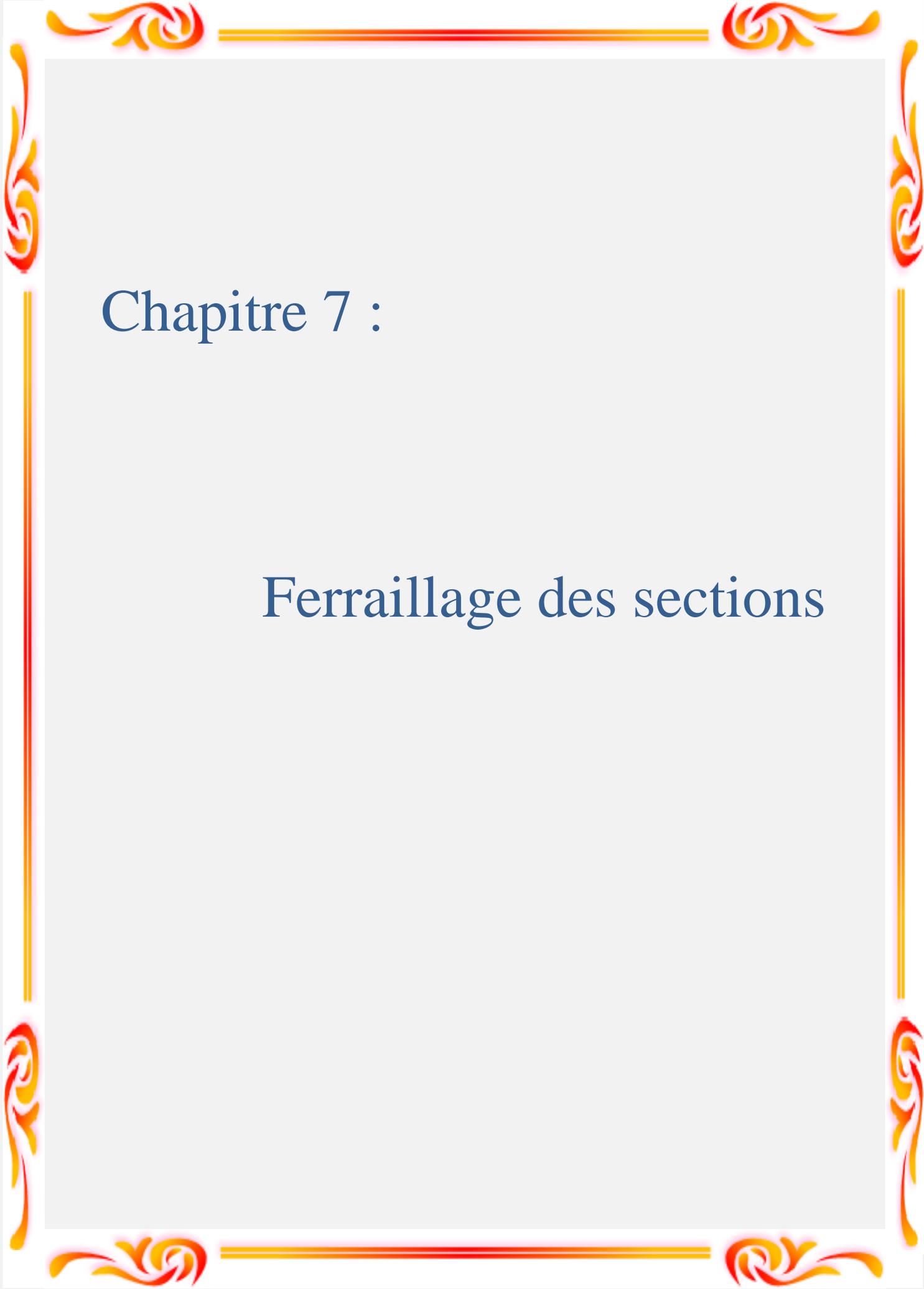
On constate que la contrainte tangentielle est vérifiée.

6.8. Conclusion

L'étude de ce chapitre nous a permis de constater les avantages liés à la précontrainte qui est une phase d'une importance capitale dans le calcul d'un tablier de pont construit par encorbellement successif. Car elle permet :

- ✓ Le dimensionnement des câbles nécessaires pour reprendre les charges d'exécution et celles de la phase de service.
- ✓ Une compression partielle ou complète des actions des charges.
- ✓ Une économie appréciable des matériaux.
- ✓ Une augmentation des portées économiques.
- ✓ Une réduction des risques de corrosion.

Cependant, la compréhension du comportement de l'ouvrage final n'est complète qu'après le ferrailage qui va être étudié dans le chapitre suivant.



Chapitre 7 :

Ferrailage des sections

7.1. Introduction

Dans ce chapitre, nous allons déterminer les armatures passives transversales et longitudinales de chaque élément constitutif des caissons (âmes, hourdis...).

Pour ce faire, il y a lieu d'appréhender les moments défavorables engendrés par les différents chargements.

A cause de la variation de la hauteur des caissons, le ferrailage diffère d'un voussoir à un autre. Raison pour laquelle on se contente de ferrailer uniquement le voussoir sur pile et le voussoir à la clé.

7.2. Définition des charges

7.2.1. Les charges permanentes

- Poids propre du voussoir : sur pile : $G_{\text{pile}} = 9 \times 2.5 = 22.5 \text{ t/ml}$.
à la clé : $G_{\text{clé}} = 5.67 \times 2.5 = 14.18 \text{ t/ml}$.
- Poids propre des trottoirs sur corniche : $P_{\text{trottoir}} = 0.20 \times 1 \times 2.5 = 0.50 \text{ t/ml}$.
- Poids propre de la corniche : $P_{\text{corniche}} = 0.5 \text{ t/ml}$.

7.2.2. Les surcharges

Les surcharges à considérer pour l'étude transversale sont les mêmes que celles énumérées dans le chapitre charges et surcharges.

7.3. Détermination des efforts

7.3.1. Voussoirs

A l'aide du logiciel ROBOT, on détermine les moments en chaque élément du voussoir. La section du caisson sera représentée par un ensemble de barres auxquelles la section de l'élément considéré sera affectée.

Le modèle numérique est pris en mètre linéaire de largeur. La modélisation de la section transversale, sera réalisée sur deux points, voussoir sur pile et le voussoir à la clé (figures 7.1 et 7.2).

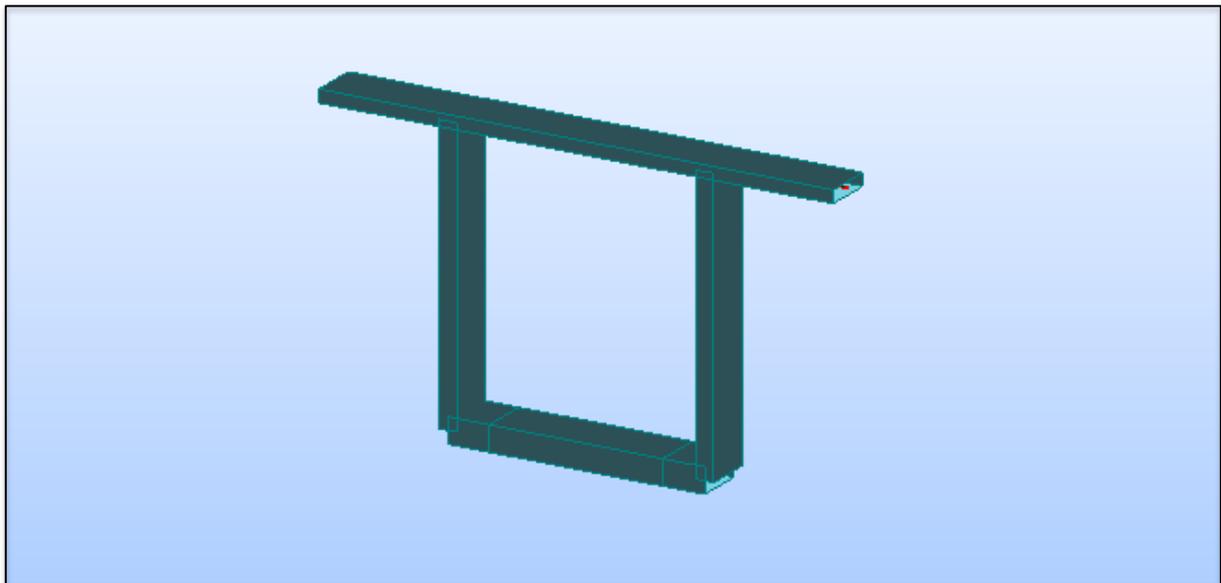


Figure 7.1 : Modélisation du voussoir sur pile.

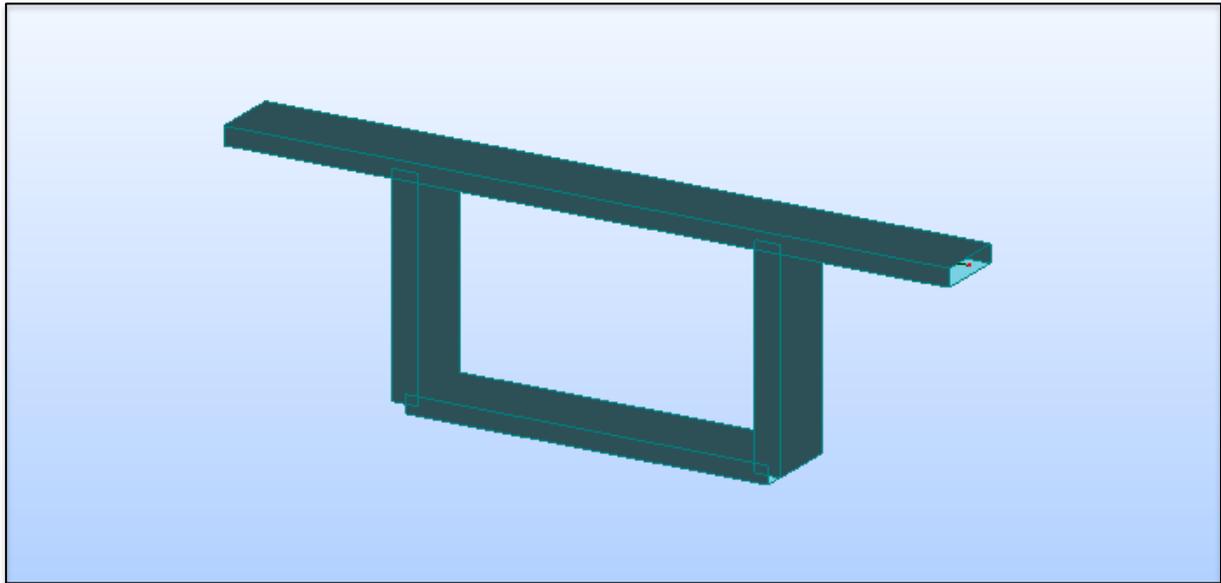


Figure 7.2 : Modélisation du voussoir à la clé.

La combinaison qui a donné les efforts les plus défavorables est ELU BC ; les résultats sont représentés dans les figures 7.3 à 7.6.

a) Section sur pile

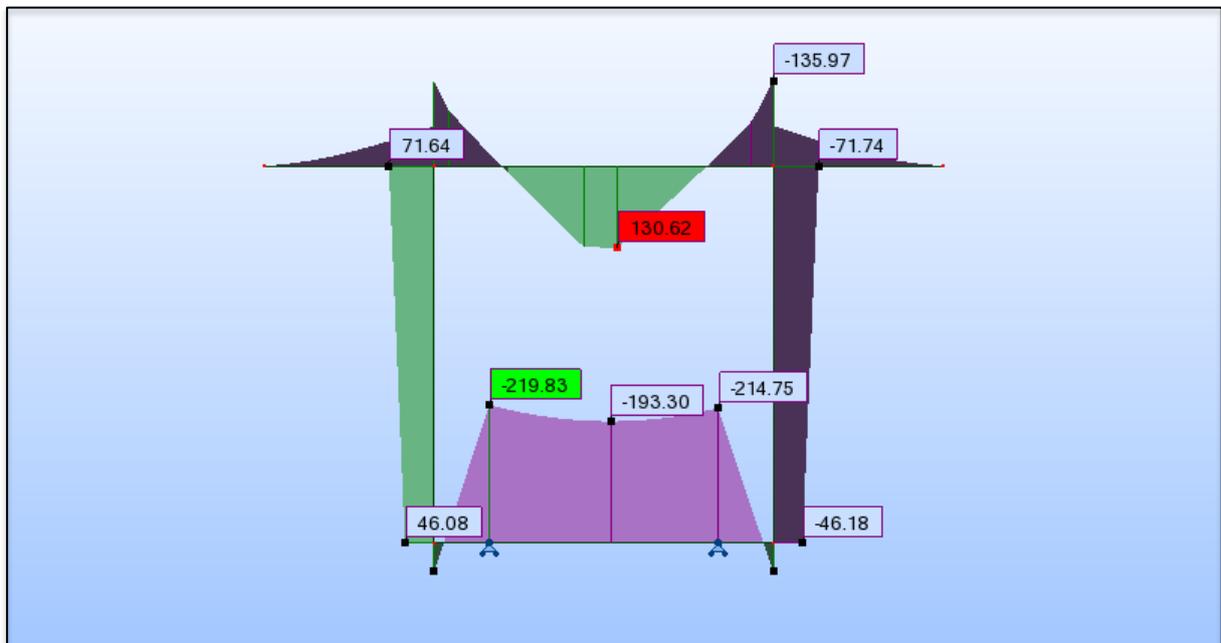


Figure 7.3 : Diagramme du moment fléchissant en kN.m sous l'effet de la combinaison ELU BC du voussoir sur pile.

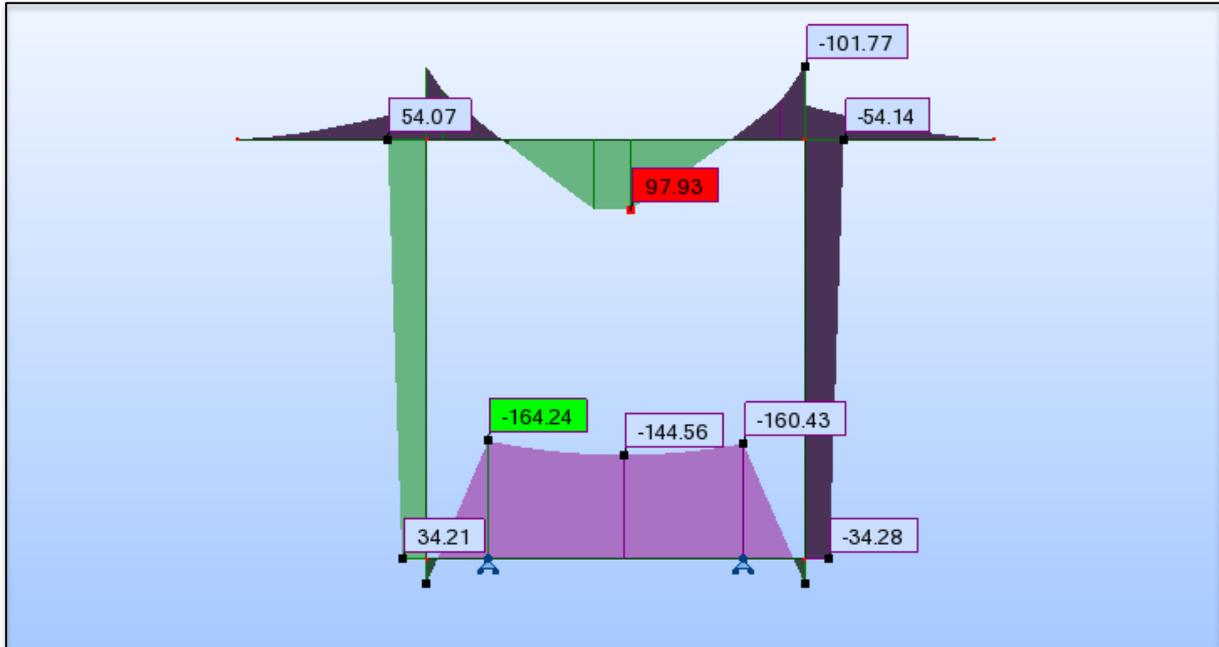


Figure 7.4 : Diagramme du moment fléchissant en kN.m sous l'effet de la combinaison ELS BC du vousoir sur pile.

b) A la clé

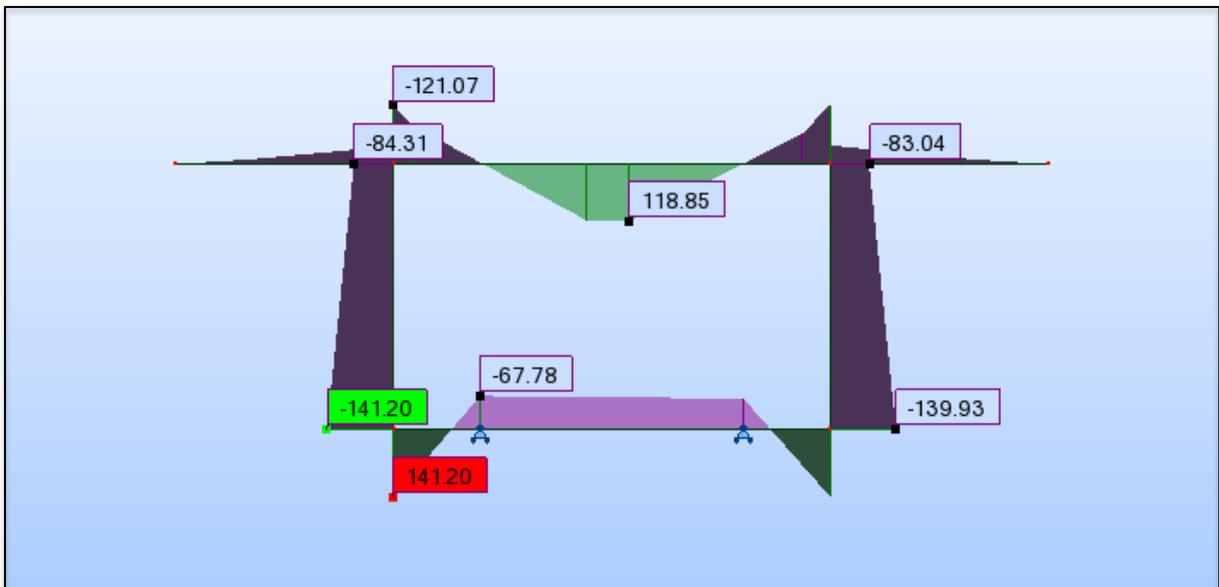


Figure 7.5 : Diagramme du moment fléchissant en kN.m sous l'effet de la combinaison ELU BC du vousoir à la clé.

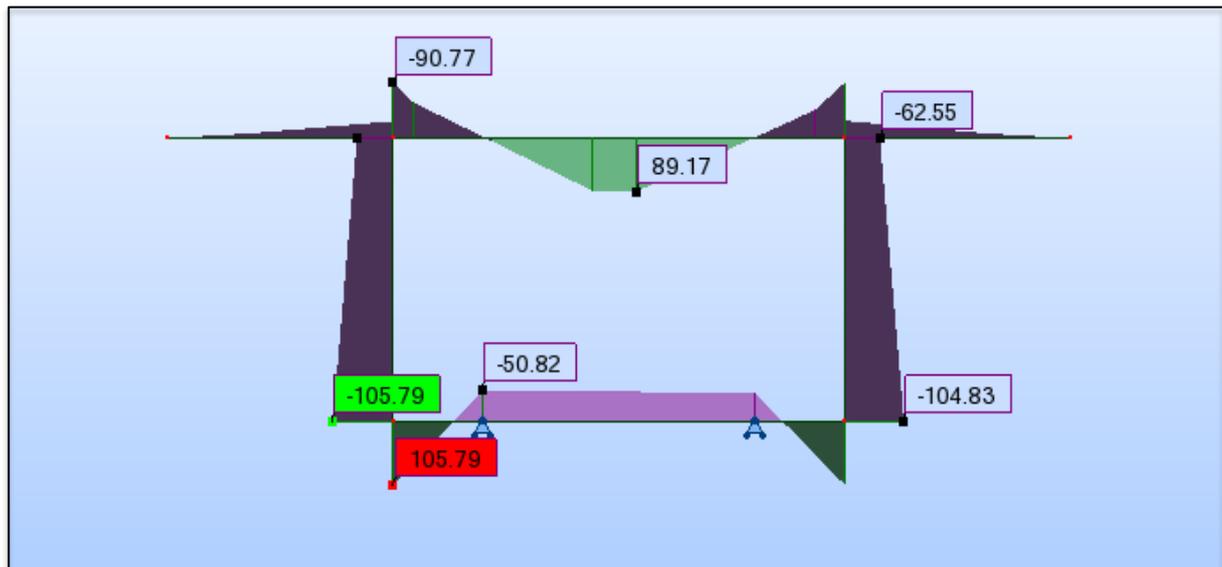


Figure 7.6 : Diagramme du moment fléchissant en kN.m sous l'effet de la combinaison ELS BC du voussoir à la clé.

7.3.2. Dalle (partie isostatique)

Les figures 7.7 à 7.9 représentent la modélisation de la dalle de la partie isostatique ainsi que les efforts engendrés par la combinaison la plus défavorable à sa voir ELU BC. Le modèle numérique est pris en mètre linéaire de largeur.

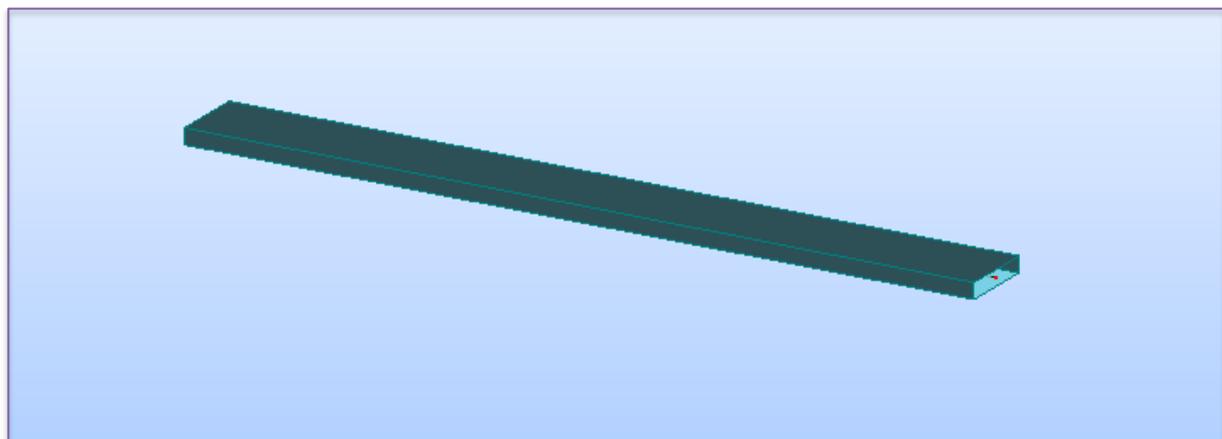


Figure 7.7 : Modélisation de la dalle.

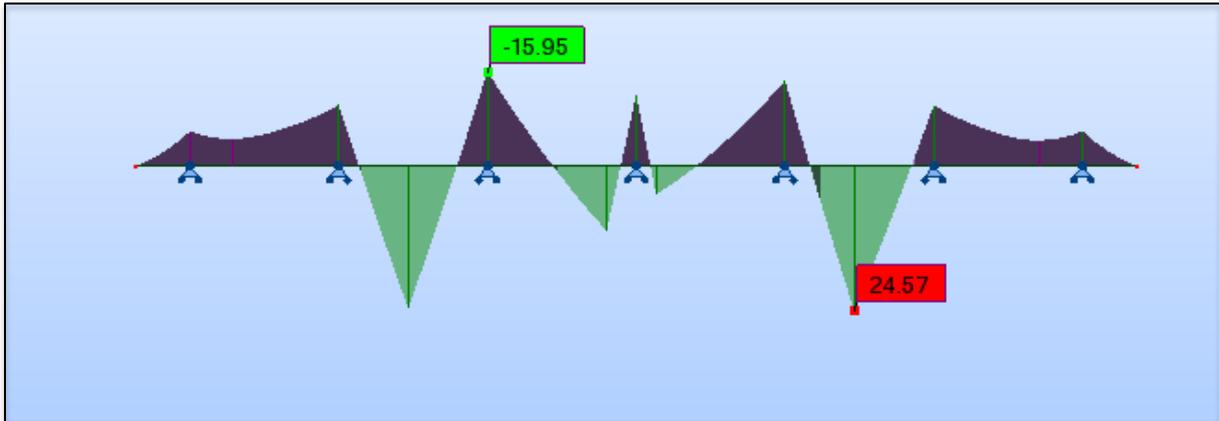


Figure 7.8 : Diagramme du moment fléchissant en kN.m de la dalle (partie isostatique) sous l'effet de la combinaison ELU BC.

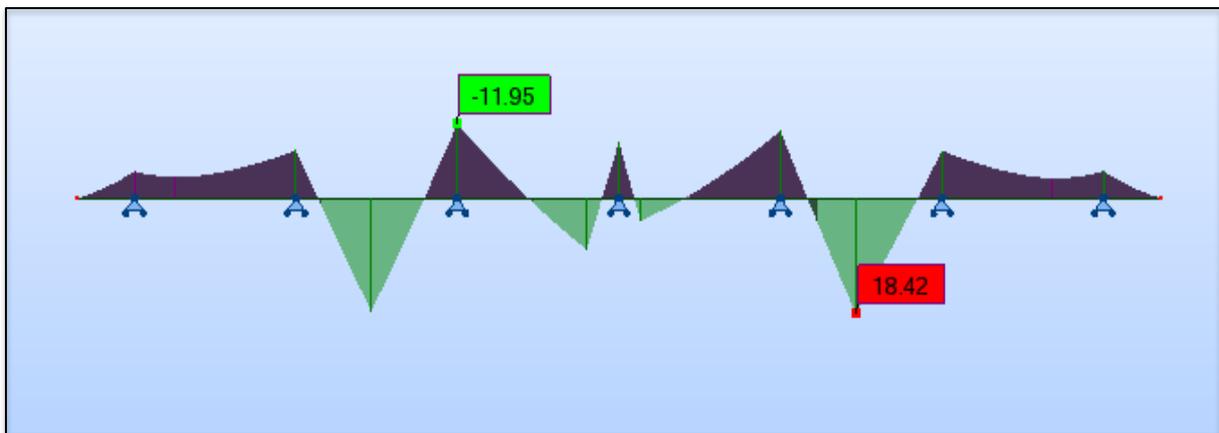


Figure 7.9 : Diagramme de l'effort tranchant en t de la dalle (partie isostatique) sous l'effet de la combinaison ELS BC.

7.4. Ferrailage de la partie hyperstatique (voussoir)

7.4.1. Ferrailages longitudinal et transversal

Le ferrailage longitudinal (A_s) des éléments est fait par le module "Expert". Avec $A_t = \frac{A_s}{3}$ [9].

Les résultats sont donnés dans les tableaux 7.1 et 7.2 :

Tab 7.1 : Ferrailage du voussoir sur pile.

	A_s (cm ²)	A_t (cm ²)	$A_{s_{min}}$ (cm ²)	Armatures transversales	Armatures longitudinales
Dalle supérieure	25.2	8.4	3.9	12HA10	6HA25
Dalle inférieure	17.7	5.9	6.9	12HA10	6HA20
Pote à faux	26.3	8.77	3.9	12HA10	6HA25
Âme	8.3	2.77	5.2	12HA8	6HA14

Tab 7.2 : Ferrailage du voussoir à la clé.

	As (cm ²)	A _t (cm ²)	As _{min} (cm ²)	Armatures transversales	Armatures longitudinales
Dalle supérieure	24.3	8.1	3.5	10HA12	5HA25
Dalle inférieure	13.4	4.67	3.5	10HA8	5HA20
Pote à faux	24.8	8.27	3.5	12HA10	6HA20
Âme	17.8	5.93	4.6	12HA8	6HA20

7.4.2. Effet de la torsion

La torsion est un phénomène courant dans les structures d'ouvrage d'art. Elle est due aux chargements dissymétriques du voussoir (figure 7.10). L'effet de la torsion sera ajouté au niveau des âmes en rajoutant des armatures longitudinales et transversales en plus des armatures déjà déterminées.

Le moment de torsion, $M_t = M_{\max} = 28.63 \text{ t.m}$ est engendré par la combinaison :

$$M_t = G + 1.2(B_c + ST).$$

La contrainte de cisaillement due à cette torsion est [10] : $\tau = (M_{tu} / 2.\Omega.b)$

- ✓ $M_{tu} = 38.18 \text{ t.m}$ à l'état limite ultime.
- ✓ b : épaisseur de deux âmes égale à 0.36 m.
- ✓ Ω : aire du contour tracé à mi- épaisseur des parois égale à 28.12 m² (voussoir sur pile).
- ✓ $S_t = 20 \text{ cm}$.

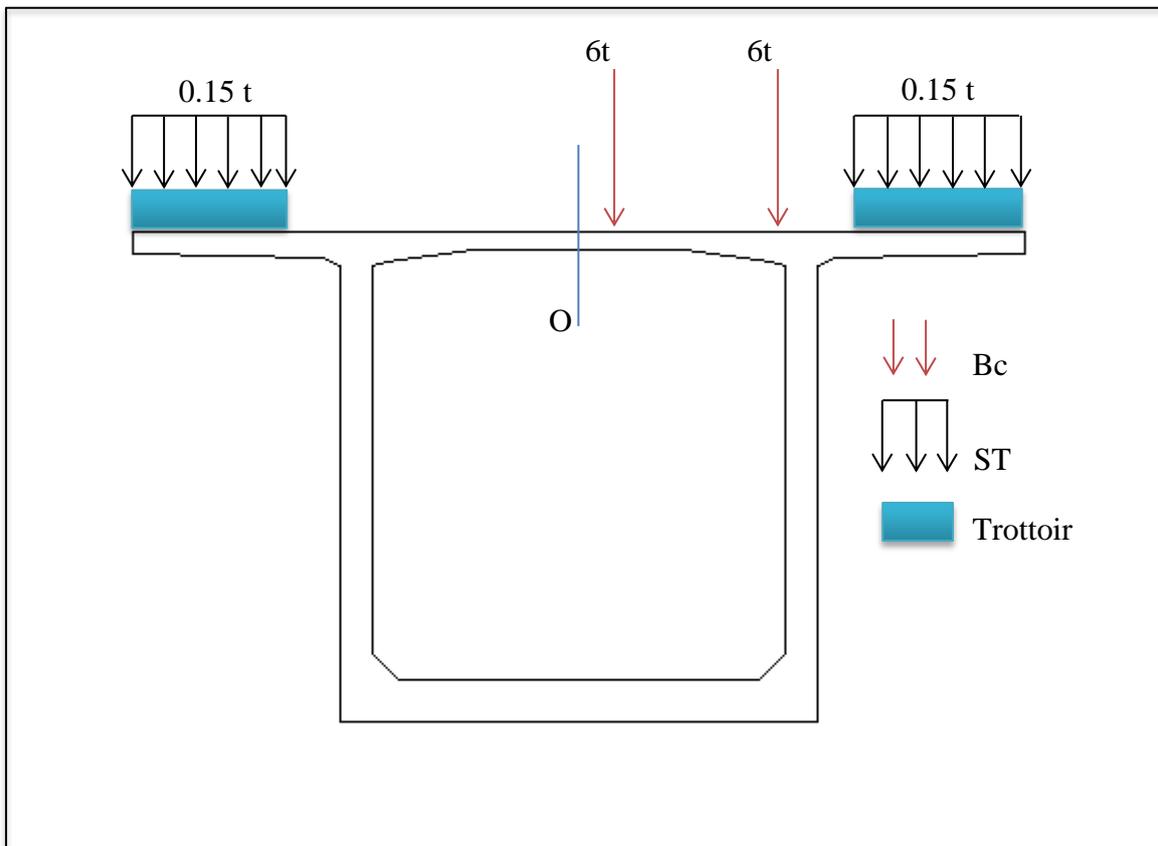


Figure 7.10 : Coupe transversale du voussoir sur pile chargé en dehors de son plan de symétrie.

On calcul $\tau_{\text{limite}} = \min (4 ; 0.15 \times \frac{f_{cj}}{\gamma_b}) \text{ MPa} = 3.5 \text{ MPa}$

$$\tau = \frac{Mt}{\Omega \cdot b} = 0.019 \text{ MPa} < \tau_{\text{limite}} = 3.5 \text{ MPa} \quad \text{v\u00e9rifi\u00e9.}$$

➤ **Calcul des armatures**

Le calcul des armatures se fait suivant la relation [10] :

$$\frac{A_t}{S_t} f_e = \frac{M_t}{2\Omega} \rightarrow A_t = \frac{M_t \cdot S_t \cdot \gamma_s}{2\Omega f_e} = 0.039 \text{ cm}^2.$$

➤ **Pourcentage minimal**

L'ensemble des armatures transversales doivent respecter la relation suivante [10]:

$$\frac{A_t}{b S_t} f_e \geq 0.4 \text{ MPa.} \rightarrow 0.548 \text{ MPa} > 0.4 \text{ MPa} \quad \text{v\u00e9rifi\u00e9.}$$

Alors, on garde le m\u00eame ferrailage pour les \u00e2mes.

7.5. Ferrailage de la partie isostatique

7.5.1. Dalle

Le tableau 7.3 repr\u00e9sente la quantit\u00e9 d'acier introduite dans la dalle.

Tab 7.3 : Ferrailage de la dalle (partie isostatique).

	As (cm ²)	A _t (cm ²)	A _{Smin} (cm ²)	Armatures transversales	Armatures longitudinales
Entre axe	5.9	1.97	3.3	5HA10	5HA12
Sur appuis	3.8	1.27	3.3	5HA10	5HA10

7.5.2. Ferrailage passif de la poutre

a) Armatures de peau

➤ **Transversal**

Comme la dimension transversale de la poutre exc\u00e8de 40 cm, on doit disposer des armatures transversales de peau qui est au moins de 2 cm²/ml ce qui est \u00e9quivalent \u00e0 4 cadres de HA8.

✓ **Minimum d'armatures transversales**

$$\frac{A_t}{S_t} \geq \frac{0.6 b_n \gamma_s}{f_e} \rightarrow \frac{A_t}{S_t} = 6.21 \text{ cm}^2/\text{m}$$

Avec b_n : largeur nette du b\u00e9ton ; $b_n = 36 \text{ cm}$

A_t : section des armatures transversales

S_t : l'espacement

$$S_t \leq \min (1\text{m} ; 0.8 h ; 3b) \rightarrow S_t \leq 1 \text{ m}$$

Soit un cadre de HA 12 $\rightarrow S_t < 36 \text{ cm}$. Donc on adopte un espacement maximal de 35 cm.

✓ **Justification des armatures transversales dans la zone d'appui**

$$\tau_{\text{red,u}} \leq \bar{\tau}_u = \frac{A_t f_e}{b_n S_t \gamma_s} \cot \beta + \frac{f_t}{3} = 12.23 \text{ MPa. V\u00e9rifi\u00e9e}$$

$$\tau_{\text{red,u}} = \frac{V_{\text{red,u}}}{b_n 0.8 h} \quad \text{avec} \quad V_{\text{red,u}} = V_u - P_u \cdot \Sigma \sin \alpha = 27.3 \text{ t} \rightarrow \tau_{\text{red,u}} = 0.73 \text{ MPa}$$

✓ **Calcul de l'angle d'inclinaison**

$$\operatorname{tg} 2\beta = 2 \frac{\tau_{red}}{\sigma_x} \text{ avec : } \sigma_x = \frac{P}{B} + \frac{P e v}{I} = 6.65 + 0.9 = 7.54 \text{ MPa}$$

$$\rightarrow \operatorname{tg} 2\beta = 0.193 \text{ donc } \beta = 5.5^\circ$$

✓ **Vérification des bielles de béton**

Dans le cas courant les armatures transversales sont perpendiculaires à la fibre moyenne, la condition s'écrit : $\tau_{red,u} \leq \frac{0.85 f_{cj}}{3\gamma_b} \sin 2\beta = 1.26 \text{ MPa}$. Vérifiée

➤ **Longitudinal**

La section d'armature doit vérifier la relation suivante [11] :

$A_{smin} > \max(3 \text{ cm}^2, 0.1\%B) = \max(3 \text{ cm}^2, 4.376 \text{ cm}^2) \rightarrow A_s = 4.376 \text{ cm}^2$. ➔ 4HA12 avec une section nominale $A_s = 4.52 \text{ cm}^2/\text{ml}$.

b) Ferrailage longitudinal

$$\text{Il doit vérifier la condition suivante [11] : } A_s = \frac{B_t}{1000} + \frac{N_{bt}}{f_e} \times \frac{f_{tj}}{\sigma_{bt}}$$

✓ **Partie supérieure**

Dans le chapitre 6, des contraintes de traction naissent dans la fibre supérieure de la poutre dans la deuxième phase. Pour cela, des armatures sont nécessaires pour reprendre ces efforts de traction.

$$\frac{y_1}{1.57} = \frac{1.3 - y_1}{20.43} \rightarrow y_1 = 9.27 \text{ cm.}$$

$$B_t = 0.13905 \text{ m}^2$$

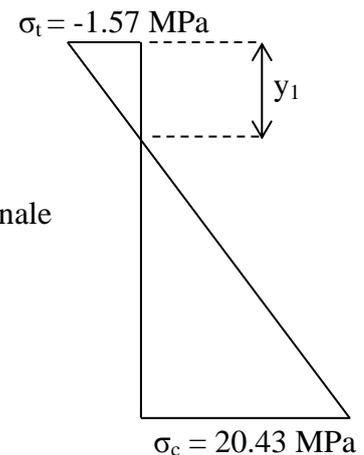
$$N_{Bt} = 0.109 \text{ MN}$$

$$\rightarrow A_s = 6.07 \text{ cm}^2 \text{ on adopte alors } 6 \text{ HA12 avec une section nominale}$$

$$A_s = 6.79 \text{ cm}^2.$$

✓ **Partie inférieure**

Cette partie n'est jamais tendue



c) Armatures de talon

Les cadres de talon sont en continuité avec les armatures transversales d'âme

$$\sigma_{en} = 420 \text{ MPa ; } \sigma_a = 280 \text{ MPa}$$

L'enrobage nécessaire de la section à mi travée $c = 3 \text{ cm}$ [11].

$$A_t \geq c \times \frac{\sigma_e}{\sigma_{en}} = 2 \text{ cm}^2/\text{ml} \rightarrow \text{on prend } 2 \text{ cadres HA12}$$

L'espacement est fixé à 15 cm à l'about, et 20 cm en travée.

7.6. Schéma de ferrailage

Les figures 7.11 à 7.13 représentent le schéma de ferrailage en chaque partie d'étude.

7.6.1. Schéma de ferrailage du voussoir

La figure 7.11 représente le schéma de ferrailage du voussoir.

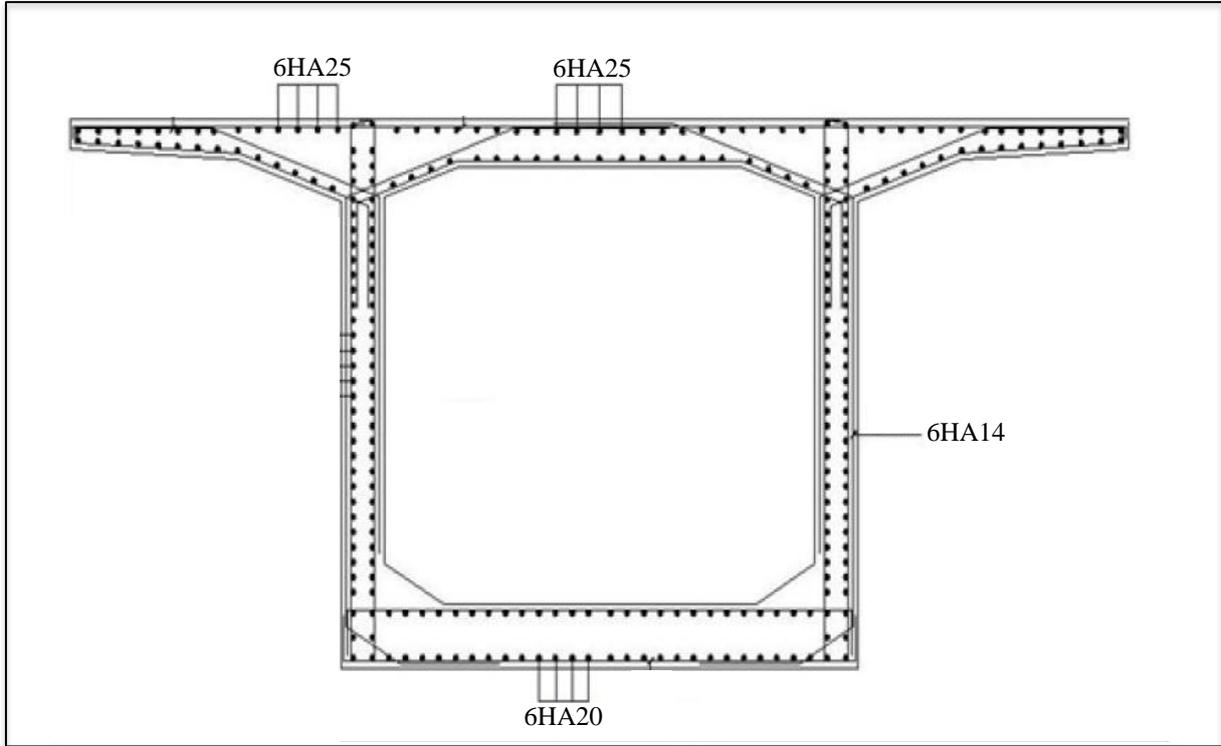


Figure 7.11 : Schéma de ferrailage du voussoir.

7.6.2. Schéma de ferrailage de la dalle

La figure 7.12 représente le schéma de ferrailage de la dalle.

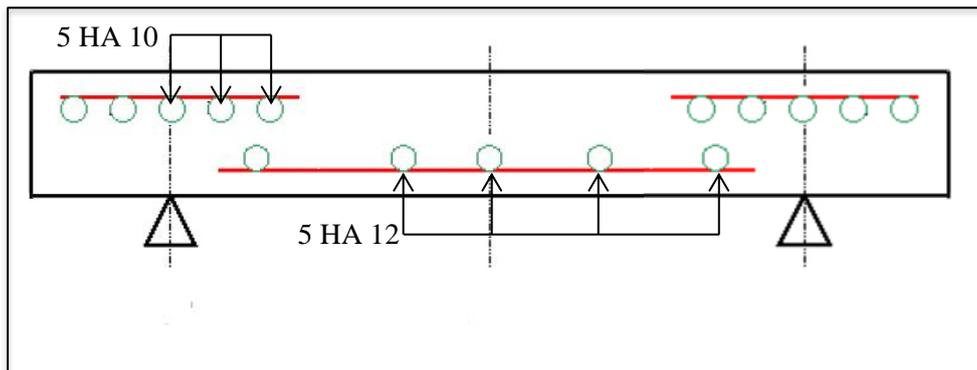


Figure 7.12 : Schéma de ferrailage de la dalle.

7.6.3. Schéma de la poutre

La figure 7.13 représente le schéma de ferrailage de la poutre.

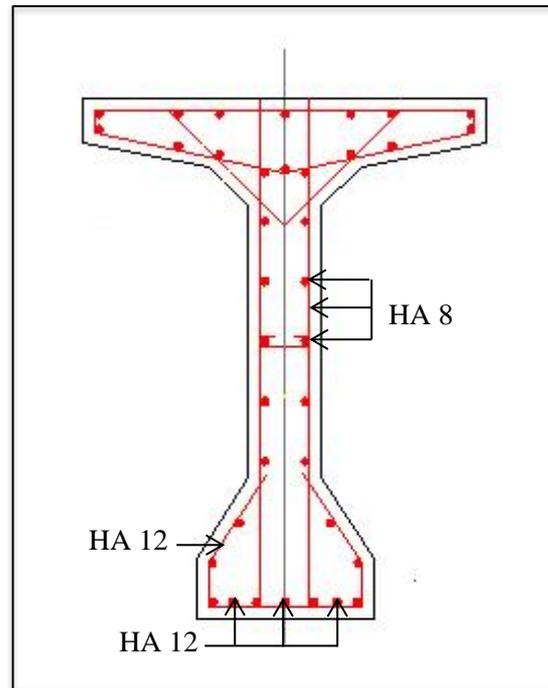
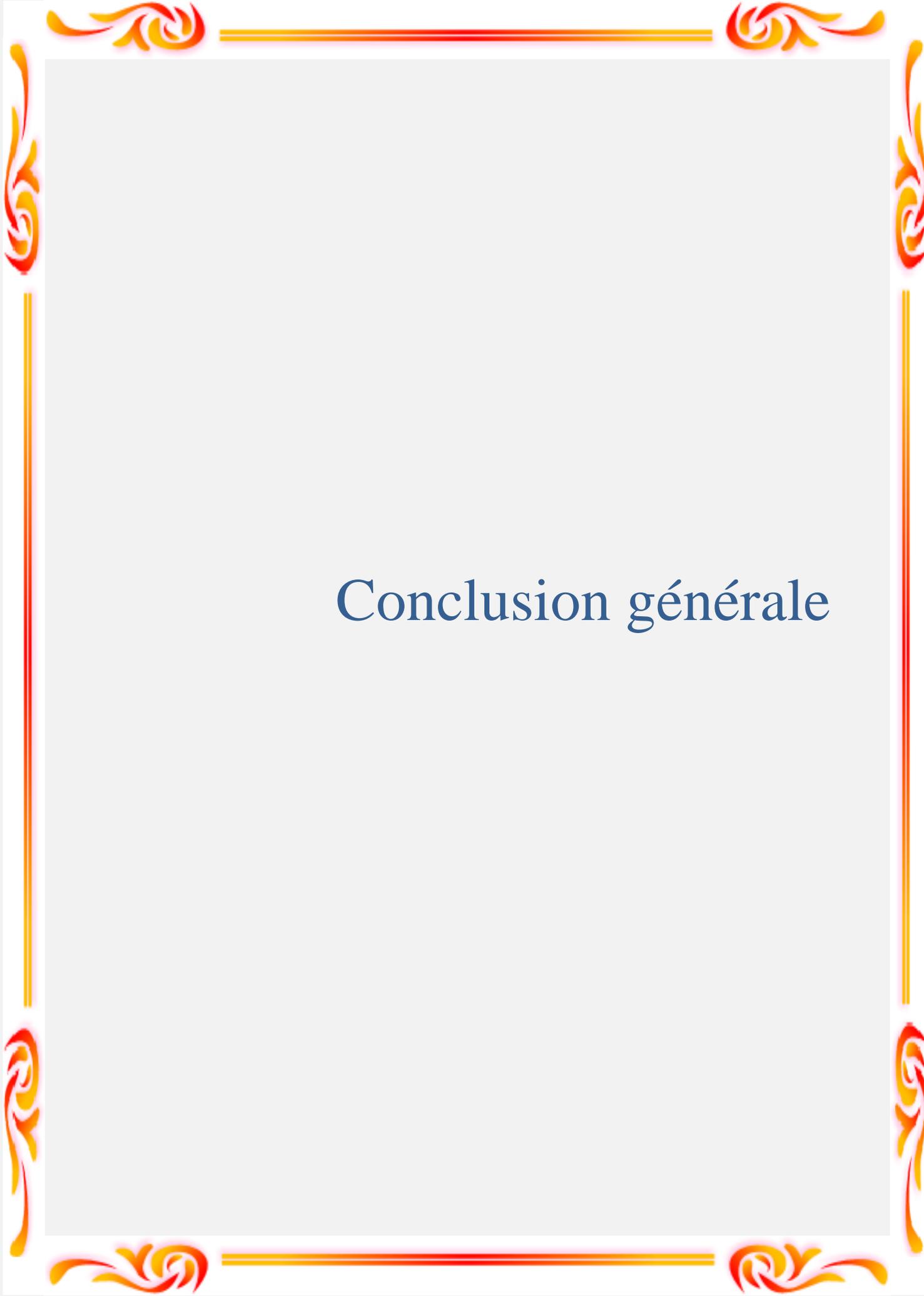


Figure 7.13 : Schéma de ferrailage de la poutre.

7.7. Conclusion

Ce chapitre nous a permis de déterminer les armatures passives transversales et longitudinales de chaque élément constructif de l'ouvrage.



Conclusion générale

Conclusion

La variante de pont étudiée dans notre travail se compose de deux types de tabliers bien distincts, nous avons pu assimiler l'approche de calcul de chacun des deux tabliers, ce qui est très enrichissant.

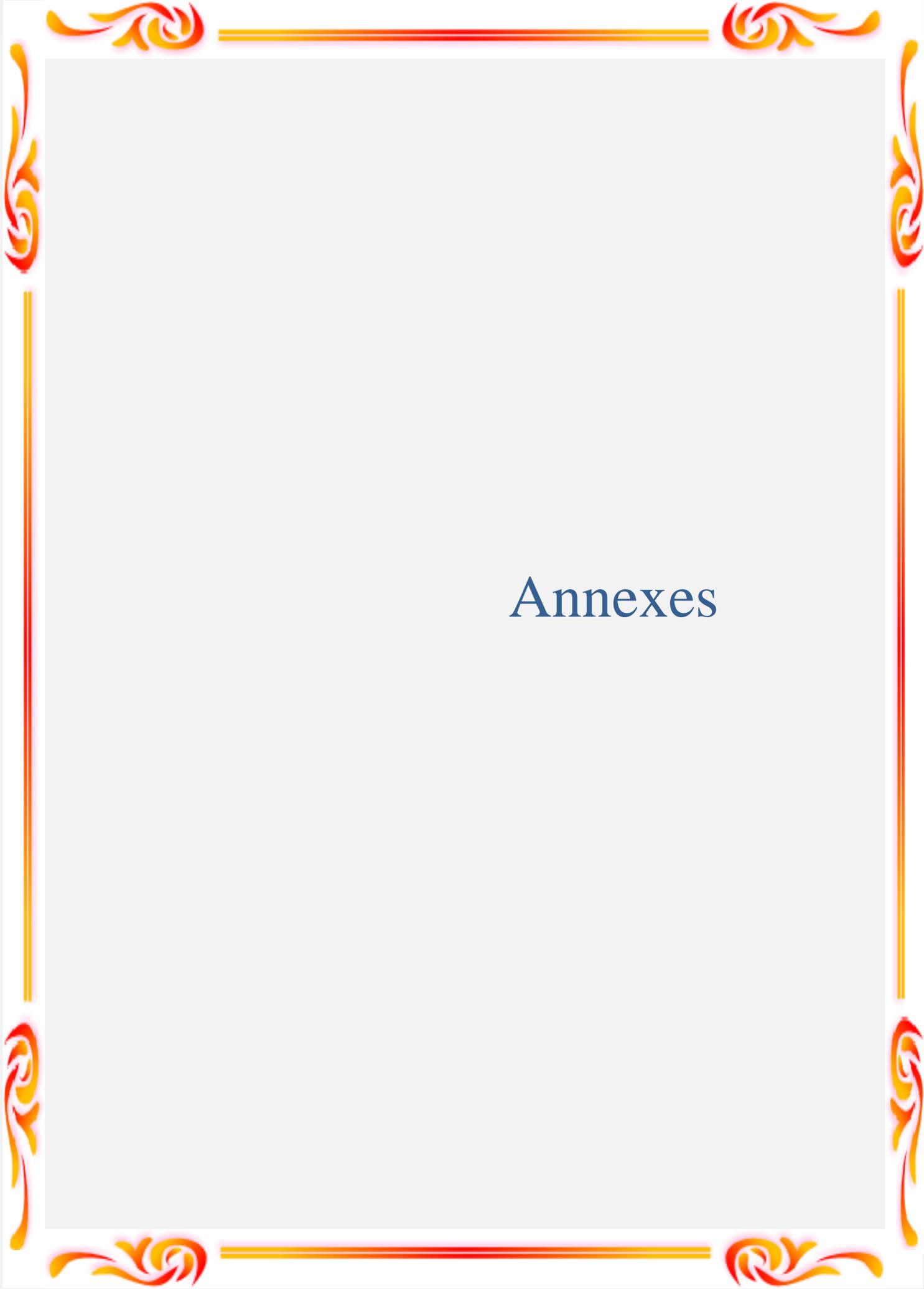
Ce travail de fin d'étude fut un enrichissement pour nous en tant que futur ingénieur, une synthèse des connaissances que nous avons acquises au cours de notre cursus au sein de l'école nationale polytechnique, il nous a permis de les mettre en pratique et de se confronter à la tâche de l'ingénieur.

Ce projet nous a permis, entre autre de bénéficier de l'expérience et des connaissances des gens du domaine d'ouvrage d'art.

Nous terminerons sur l'importance de l'outil informatique qui peut être d'une aide précieuse à condition de ne pas prendre aveuglement les résultats donnés par les logiciels, d'où la nécessité de savoir conduire un calcul manuel afin d'assurer de la fiabilité des résultats et aussi interprété ces derniers.

Bibliographie

- [1] Setra, Guide de conception Pont en béton précontraint construits par encorbellement successifs, Setra, France, 2003.
- [2] M. R. BOUTEMEUR, Cours béton précontraint, Département de Génie Civil École Nationale Polytechnique, Alger, 2011.
- [3] Fascicule N° 61 Conception, calcul et épreuves des ouvrages d'art. Titre II- Programmes de charges et épreuves des ponts routes, France.
- [4] Mme. D. CHERID, Cours pont, Département de Génie Civil École Nationale Polytechnique, Alger, 2012.
- [5] NOUIOUA Mohamed El-Amine AMRANI Mehdi, Étude d'un pont en béton Précontraint par encorbellement successif avec voussoir coulé sur place, Département de Génie Civil École Nationale Polytechnique, Alger, 2009.
- [6] R.C.P.R, règles définissant les charges à appliquer pour les calculs et les épreuves des ponts routes.
- [7] HENRY THONIER, Le béton précontraint aux états limites (B.P.E.L), École nationale des ponts et chaussées, Paris, 1985.
- [8] Setra, Pont à poutres préfabriquées précontraintes par post-tension VIPP, Setra, France, 1996.
- [9] Mme. N. BAUCHE, Cours Ouvrage et structure, Département de Génie Civil École Nationale Polytechnique, Alger, 2012.
- [10] Jean Perchat et Jean Roux, Pratique du BAEL 91, Eyrolles, France, 1998.
- [11] DTU règles BPEL 91, France, 1992.



Annexes

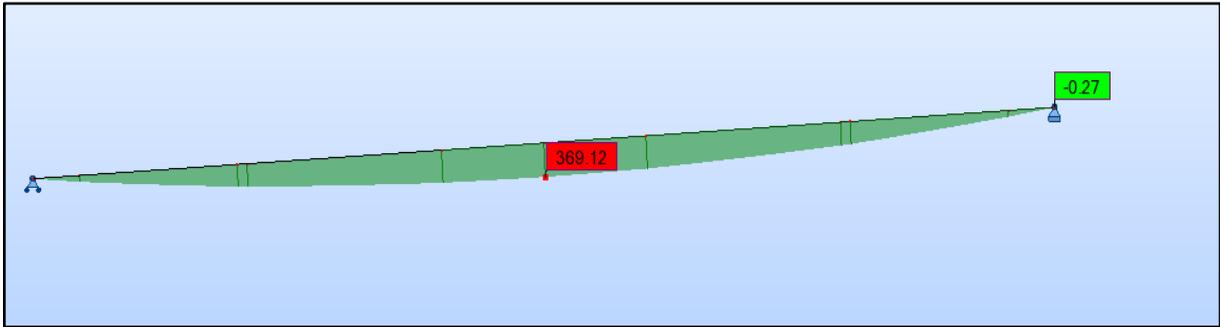


Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELU A 1v



Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELU A 2v.



Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELU BC 2v.

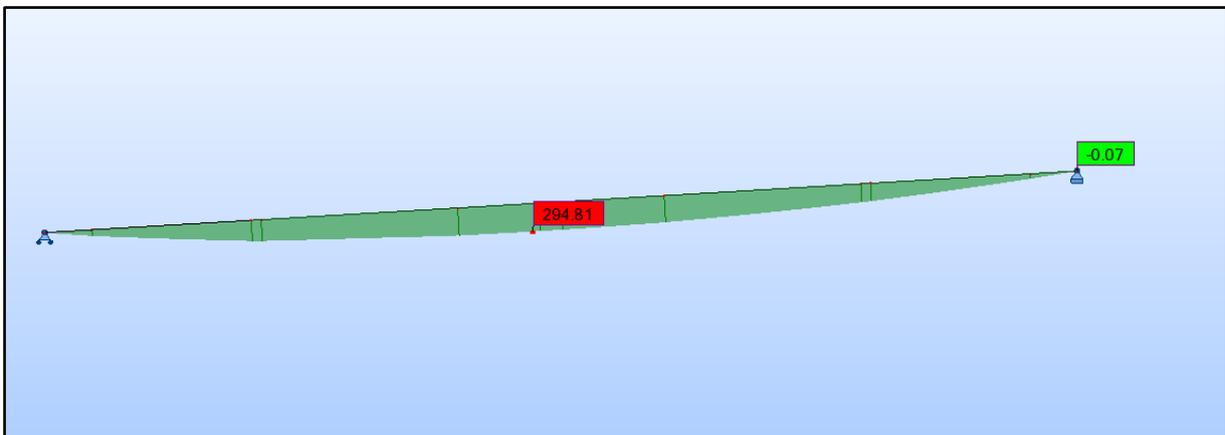


Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELU Mc 120.

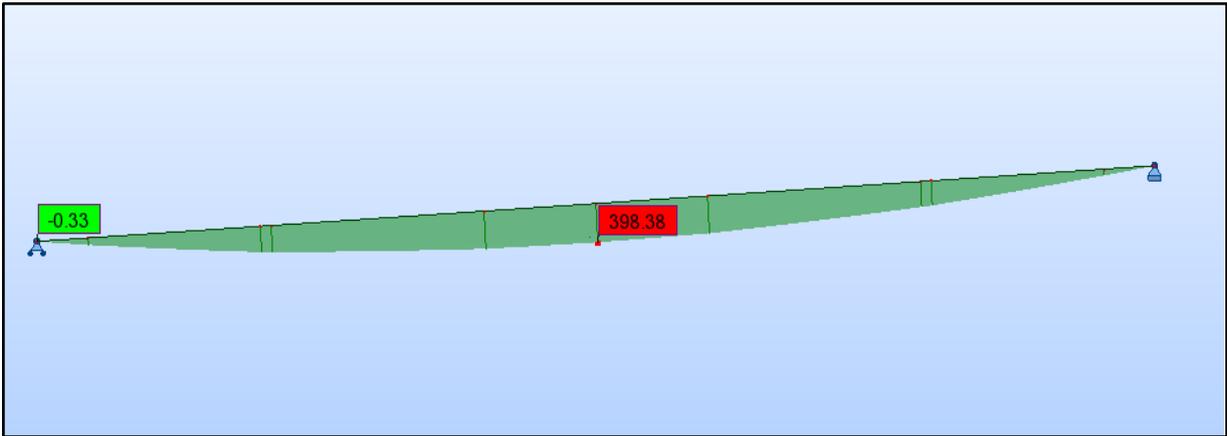


Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELU D240.

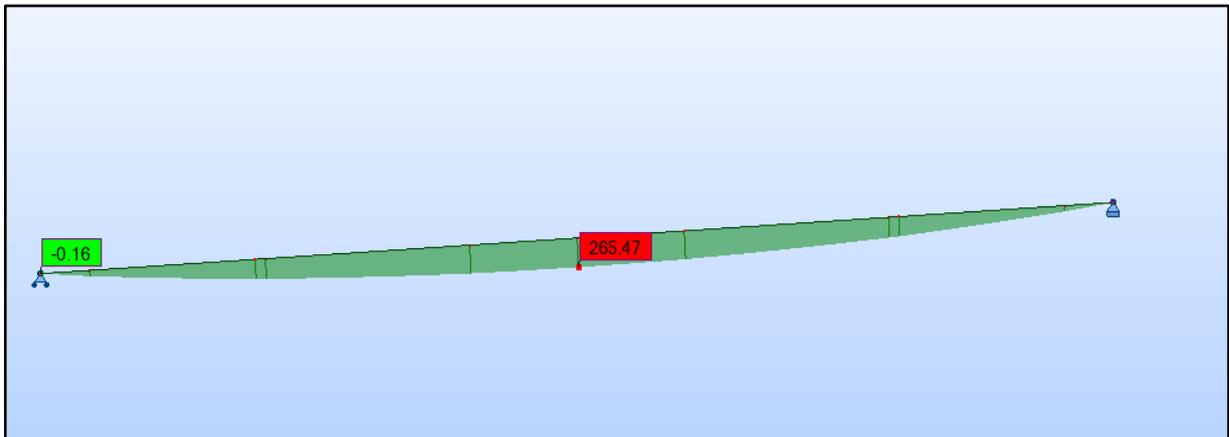


Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELU BC 1v.



Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELS A(L) 2v.



Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELS BC 1v.

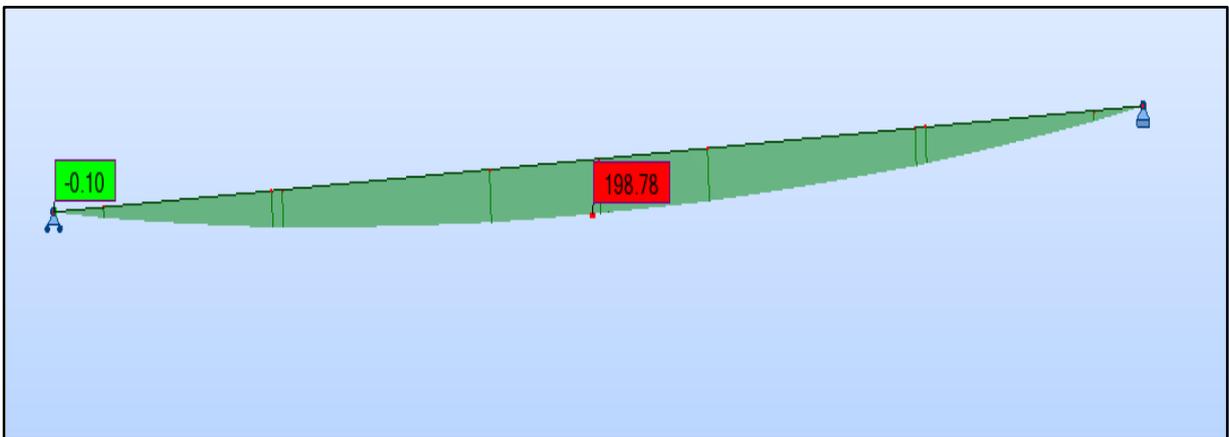


Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELS BC 2v.

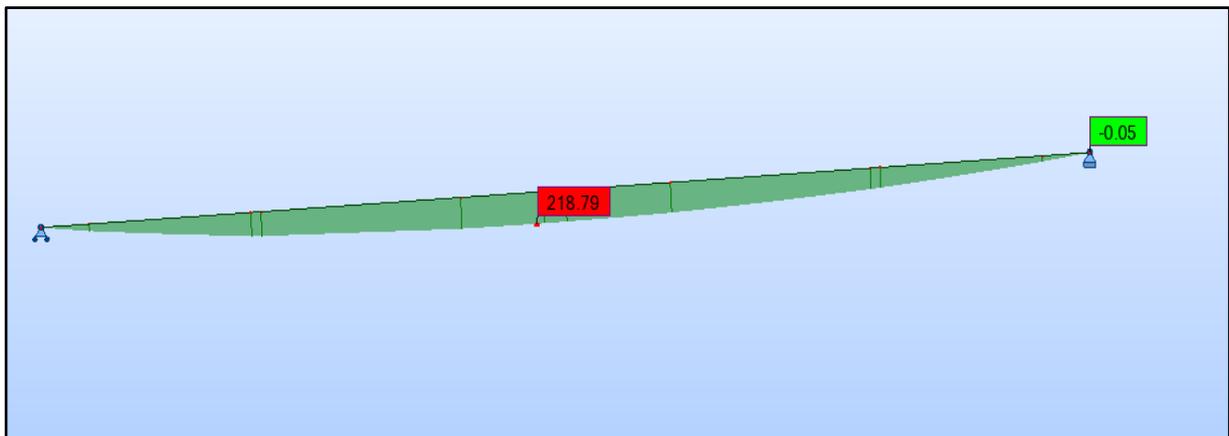


Diagramme du moment fléchissant en T.m sous l'effet de la combinaison ELS Mc 120.

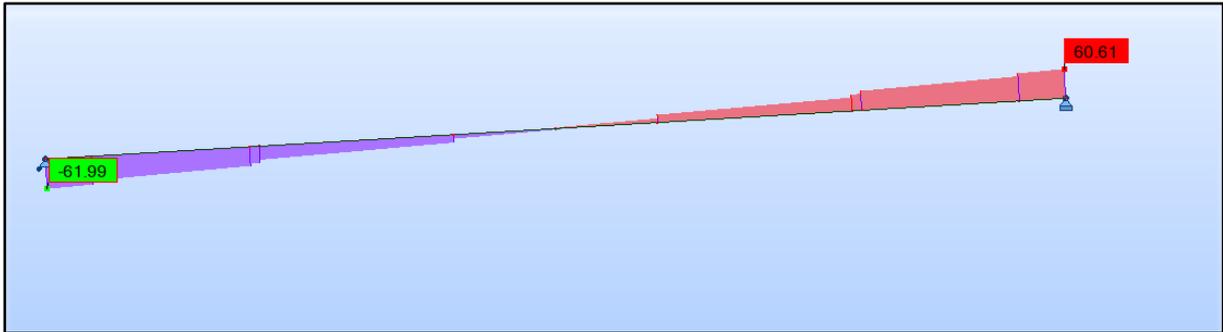


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELU A(L) 1v

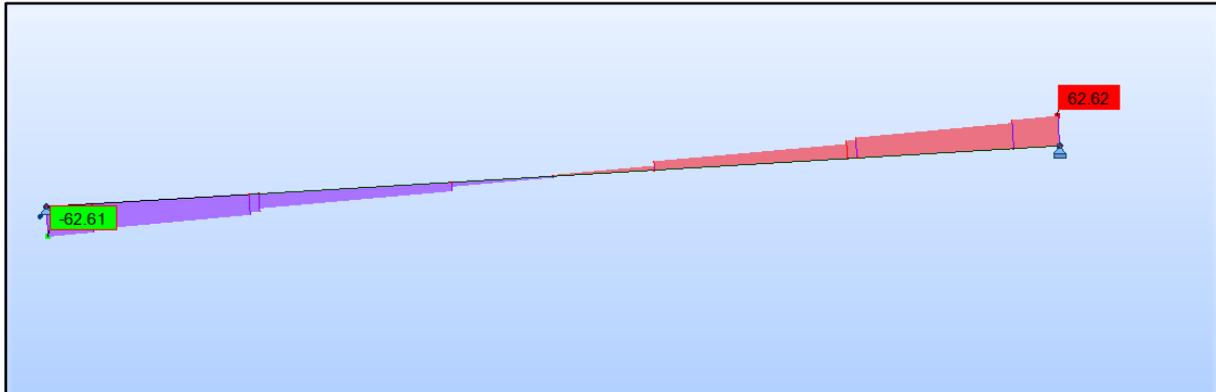


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELU A(L) 2v.

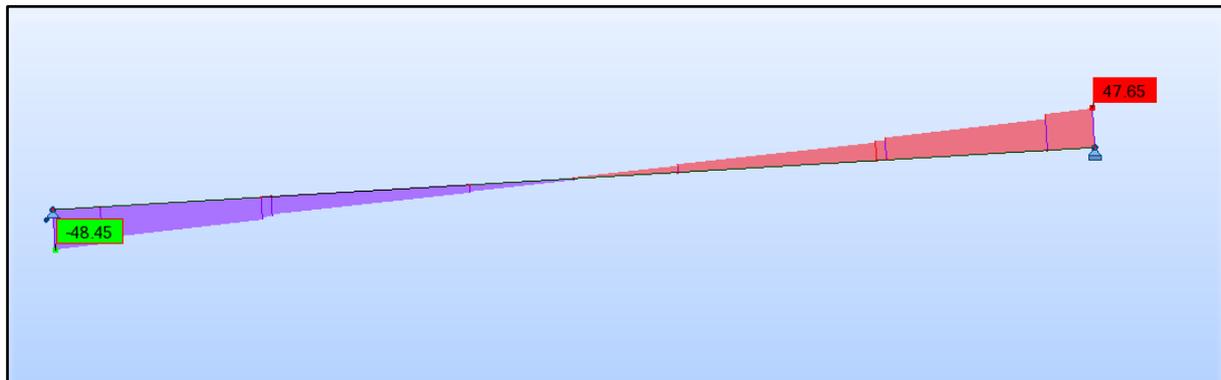


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELU Bc 1v

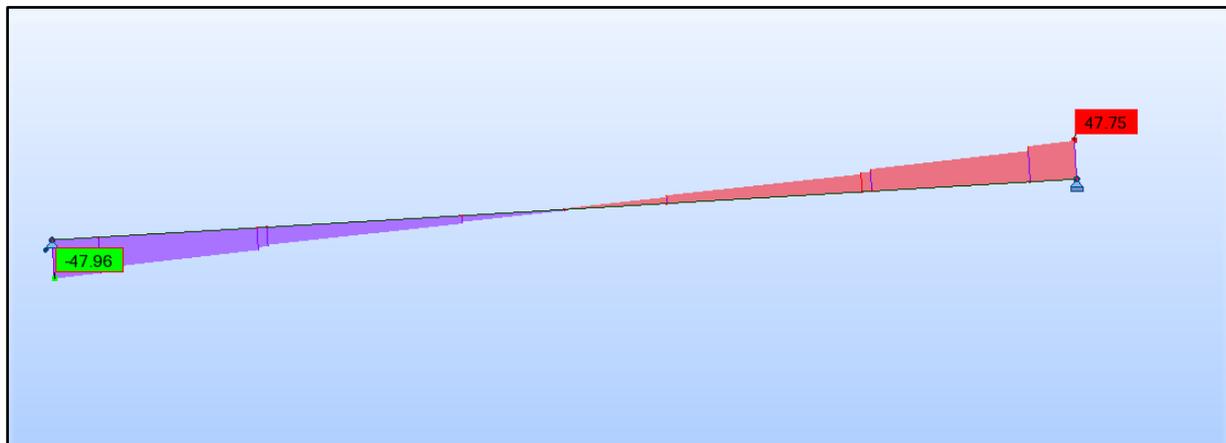


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELU Bc 2v.

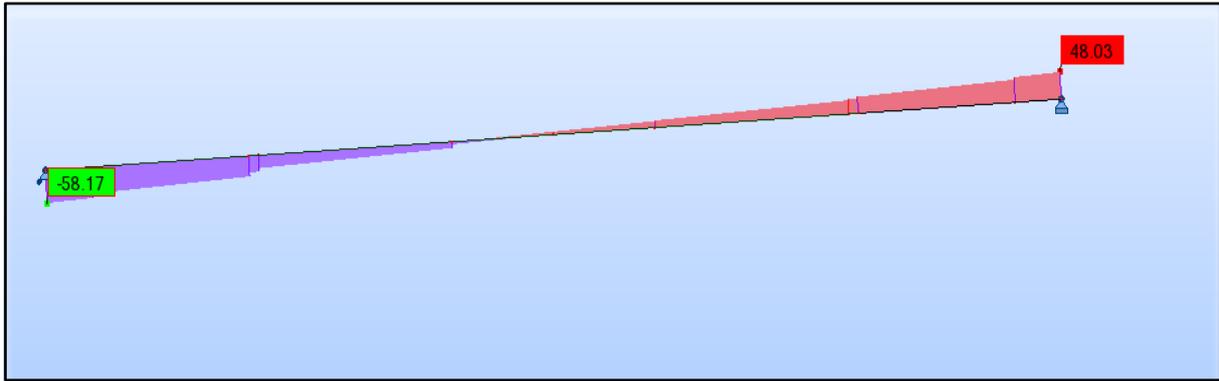


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELU Mc 120.

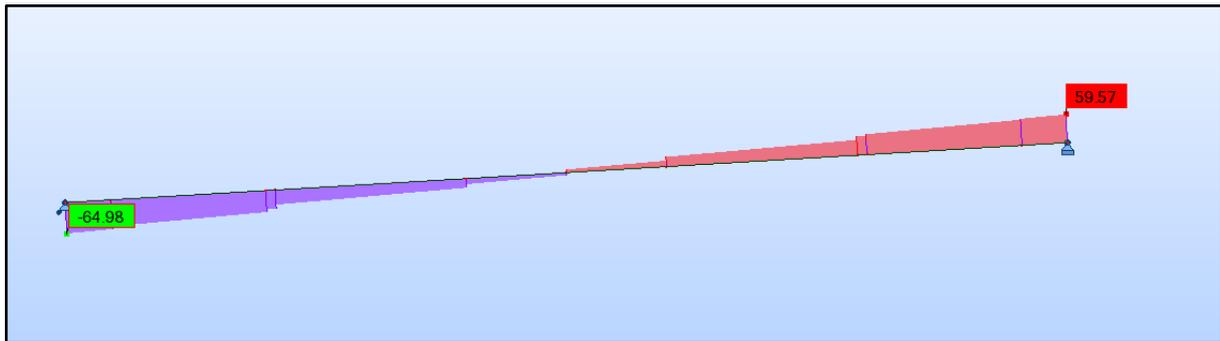


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELU D 240.

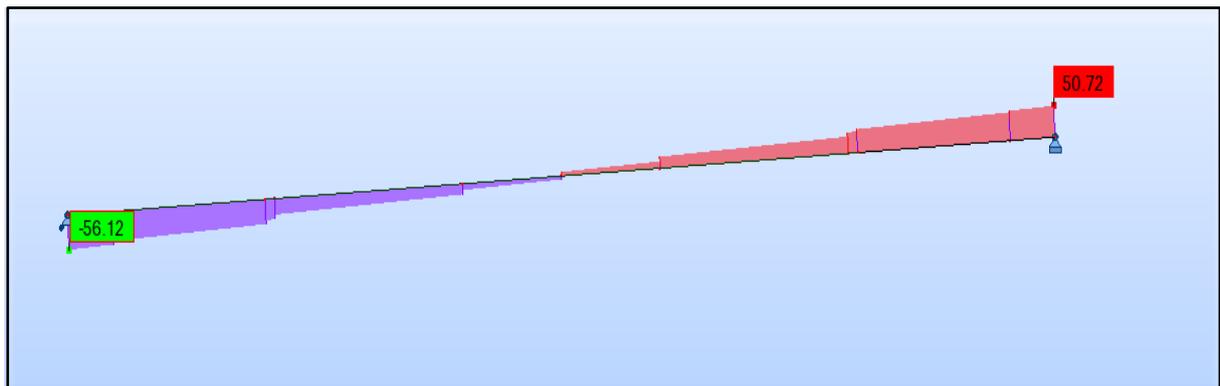


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELS D 240.

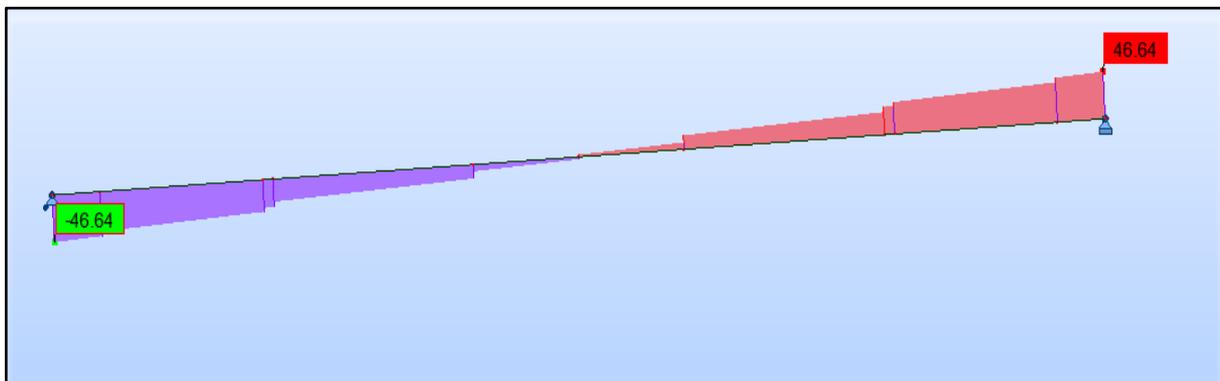


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELS A(L) 2v.

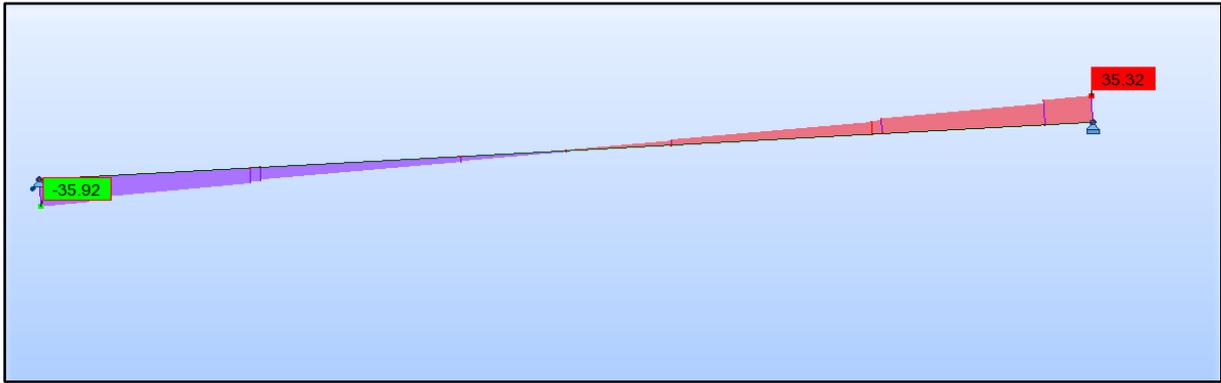


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELS A(L) Bc 1v.

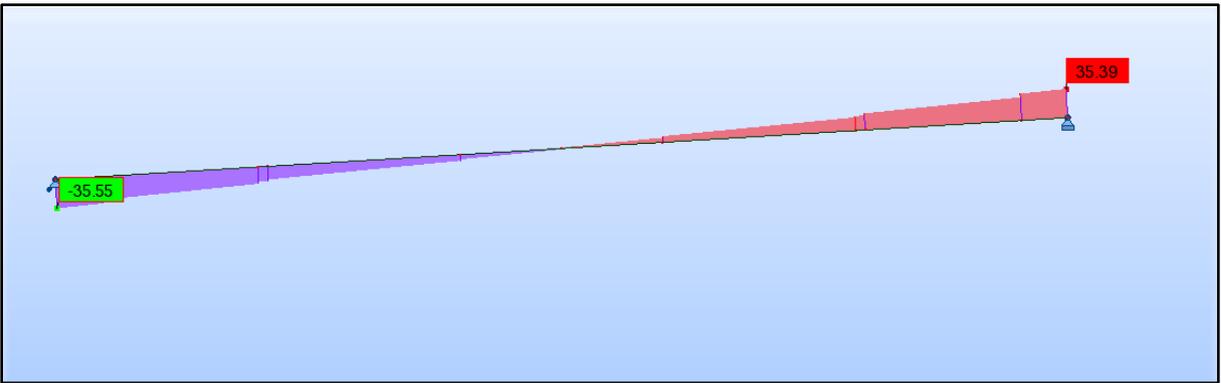


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELS A(L) Bc 2v.

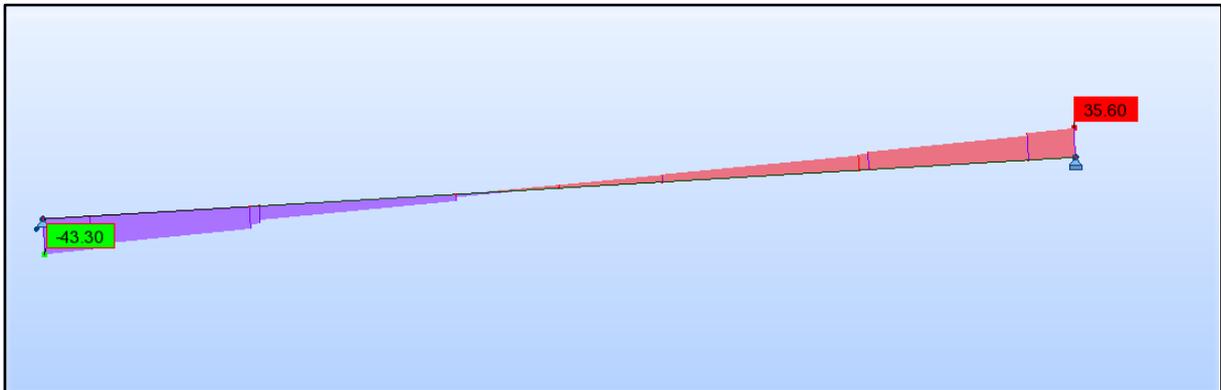


Diagramme de l'effort tranchant en t sous l'effet de la combinaison ELS Mc 120.

Dalle supérieure (Voussoir sur pile) Calcul de Section en Flexion Simple

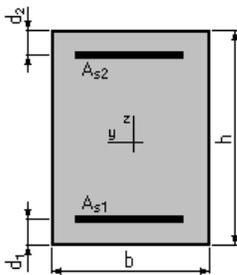
1. Hypothèses:

Béton: $f_{c28} = 35.0$ (MPa)

Acier: $f_e = 400.0$ (MPa)

- Fissuration préjudiciable
- Prise en compte des armatures comprimées
- Pas de prise en compte des dispositions sismiques
- Calcul suivant BAEL 91 mod. 99

2. Section:



$b = 100.0$ (cm)

$h = 25.0$ (cm)

$d_1 = 5.0$ (cm)

$d_2 = 5.0$ (cm)

3. Moments appliqués:

	M_{max} (kN*m)	M_{min} (kN*m)
Etat Limite Ultime (fondamental)	130.62	0.00
Etat Limite de Service	97.93	0.00
Etat Limite Ultime (Accidentel)	0.00	0.00

4. Résultats:

Sections d'Acier:

Section théorique	$A_{s1} = 25.2$ (cm ²)	Section théorique	$A_{s2} = 0.0$ (cm ²)
Section minimum	$A_{s_{min}} = 3.9$ (cm ²)		
théorique	$\rho = 1.26$ (%)		
minimum	$\rho_{min} = 0.20$ (%)		

Analyse par Cas:

Cas ELU	$M_{max} = 130.62$ (kN*m)	$M_{min} = 0.00$ (kN*m)
Coefficient de sécurité:	1.20	Pivot: B
Position de l'axe neutre:	$y = 5.5$ (cm)	
Bras de levier:	$Z = 17.8$ (cm)	
Déformation du béton:	$\epsilon_b = 3.50$ (‰)	
Déformation de l'acier:	$\epsilon_s = 9.15$ (‰)	

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 347.8$ (MPa)

Cas ELS $M_{\max} = 97.93$ (kN*m) $M_{\min} = 0.00$ (kN*m)

Coefficient de sécurité: 1.00

Position de l'axe neutre: $y = 9.1$ (cm)

Bras de levier: $Z = 17.0$ (cm)

Contrainte maxi du béton: $\sigma_b = 12.7$ (MPa)

Contrainte limite: $0,6 f_{cj} = 21.0$ (MPa)

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 228.6$ (MPa)

Contrainte limite de l'acier:
 $\sigma_{s \text{ lim}} = 228.6$ (MPa)

Dalle inférieure (Voussoir sur pile) Calcul de Section en Flexion Simple

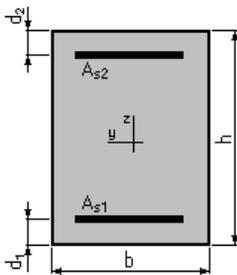
1. Hypothèses:

Béton: $f_{c28} = 35.0$ (MPa)

Acier: $f_e = 400.0$ (MPa)

- Fissuration préjudiciable
- Prise en compte des armatures comprimées
- Pas de prise en compte des dispositions sismiques
- Calcul suivant BAEL 91 mod. 99

2. Section:



$b = 100.0$ (cm)

$h = 50.0$ (cm)

$d_1 = 5.0$ (cm)

$d_2 = 5.0$ (cm)

3. Moments appliqués:

	M_{max} (kN*m)	M_{min} (kN*m)
Etat Limite Ultime (fondamental)	219.83	0.00
Etat Limite de Service	164.24	0.00
Etat Limite Ultime (Accidentel)	0.00	0.00

4. Résultats:

Sections d'Acier:

Section théorique	$A_{s1} = 17.7$ (cm ²)	Section théorique	$A_{s2} = 0.0$ (cm ²)
Section minimum théorique	$A_{s_{min}} = 6.9$ (cm ²)		
théorique	$\rho = 0.39$ (%)		
minimum	$\rho_{min} = 0.15$ (%)		

Analyse par Cas:

Cas ELU	$M_{max} = 219.83$ (kN*m)	$M_{min} = 0.00$ (kN*m)
Coefficient de sécurité:	1.21	Pivot: A
Position de l'axe neutre:	$y = 3.9$ (cm)	
Bras de levier:	$Z = 43.5$ (cm)	
Déformation du béton:	$\epsilon_b = 0.94$ (‰)	
Déformation de l'acier:	$\epsilon_s = 10.00$ (‰)	

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 347.8$ (MPa)

Cas ELS $M_{\max} = 164.24$ (kN*m) $M_{\min} = 0.00$ (kN*m)

Coefficient de sécurité: 1.00

Position de l'axe neutre: $y = 13.0$ (cm)

Bras de levier: $Z = 40.7$ (cm)

Contrainte maxi du béton: $\sigma_b = 6.2$ (MPa)

Contrainte limite: $0,6 f_{cj} = 21.0$ (MPa)

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 228.6$ (MPa)

Contrainte limite de l'acier:
 $\sigma_{s \text{ lim}} = 228.6$ (MPa)

Port à faux (Voussoir sur pile) Calcul de Section en Flexion Simple

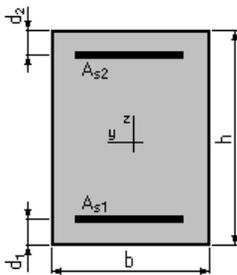
1. hypothèses:

Béton: $f_{c28} = 35.0$ (MPa)

Acier: $f_e = 400.0$ (MPa)

- Fissuration préjudiciable
- Prise en compte des armatures comprimées
- Pas de prise en compte des dispositions sismiques
- Calcul suivant BAEL 91 mod. 99

2. Section:



$b = 100.0$ (cm)

$h = 25.0$ (cm)

$d_1 = 5.0$ (cm)

$d_2 = 5.0$ (cm)

3. Moments appliqués:

	M_{max} (kN*m)	M_{min} (kN*m)
Etat Limite Ultime (fondamental)	135.97	0.00
Etat Limite de Service	101.77	0.00
Etat Limite Ultime (Accidentel)	0.00	0.00

4. Résultats:

Sections d'Acier:

Section théorique	Section théorique	$A_{s1} = 26.3$ (cm ²)	$A_{s2} = 0.0$ (cm ²)
Section minimum		$A_{s\ min} = 3.9$ (cm ²)	
théorique		$\rho = 1.31$ (%)	
minimum		$\rho_{min} = 0.20$ (%)	

Analyse par Cas:

Cas ELU	$M_{max} = 135.97$	(kN*m)	$M_{min} = 0.00$	(kN*m)
Coefficient de sécurité:	1.19		Pivot:	B
Position de l'axe neutre:	$y = 5.8$	(cm)		
Bras de levier:	$Z = 17.7$	(cm)		
Déformation du béton:	$\epsilon_b = 3.50$	(‰)		
Déformation de l'acier:	$\epsilon_s = 8.64$	(‰)		

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 347.8$ (MPa)

Cas ELS $M_{\max} = 101.77$ (kN*m) $M_{\min} = 0.00$ (kN*m)

Coefficient de sécurité: 1.00

Position de l'axe neutre: $y = 9.2$ (cm)

Bras de levier: $Z = 16.9$ (cm)

Contrainte maxi du béton: $\sigma_b = 13.0$ (MPa)

Contrainte limite: $0,6 f_{cj} = 21.0$ (MPa)

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 228.6$ (MPa)

Contrainte limite de l'acier:
 $\sigma_{s \text{ lim}} = 228.6$ (MPa)

Âme (Voussoir sur pile) Calcul de Section en Flexion Simple

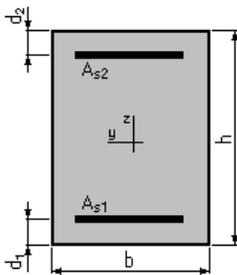
1. hypothèses:

Béton: $f_{c28} = 35.0$ (MPa)

Acier: $f_e = 400.0$ (MPa)

- Fissuration préjudiciable
- Prise en compte des armatures comprimées
- Pas de prise en compte des dispositions sismiques
- Calcul suivant BAEL 91 mod. 99

2. Section:



$b = 100.0$ (cm)

$h = 36.0$ (cm)

$d_1 = 5.0$ (cm)

$d_2 = 5.0$ (cm)

3. Moments appliqués:

	M_{max} (kN*m)	M_{min} (kN*m)
Etat Limite Ultime (fondamental)	71.74	0.00
Etat Limite de Service	54.14	0.00
Etat Limite Ultime (Accidentel)	0.00	0.00

4. Résultats:

Sections d'Acier:

Section théorique	$A_{s1} = 8.3$ (cm ²)	Section théorique	$A_{s2} = 0.0$ (cm ²)
Section minimum	$A_{s_{min}} = 5.2$ (cm ²)		
théorique	$\rho = 0.27$ (%)		
minimum	$\rho_{min} = 0.17$ (%)		

Analyse par Cas:

Cas ELU	$M_{max} = 71.74$	(kN*m)	$M_{min} = 0.00$	(kN*m)
Coefficient de sécurité:	1.22		Pivot:	A
Position de l'axe neutre:	$y = 1.8$	(cm)		
Bras de levier:	$Z = 30.3$	(cm)		
Déformation du béton:	$\epsilon_b = 0.63$	(‰)		
Déformation de l'acier:	$\epsilon_s = 10.00$	(‰)		

Contrainte de l'acier:

tendue: $\sigma_s = 347.8$ (MPa)

Cas ELS $M_{\max} = 54.14$ (kN*m) $M_{\min} = 0.00$ (kN*m)

Coefficient de sécurité: 1.00

Position de l'axe neutre: $y = 7.6$ (cm)

Bras de levier: $Z = 28.5$ (cm)

Contrainte maxi du béton: $\sigma_b = 2.4$ (MPa)

Contrainte limite: $0,6 f_{cj} = 21.0$ (MPa)

Contrainte de l'acier:

tendue: $\sigma_s = 24.9$ (MPa)

Contrainte limite de l'acier:

$\sigma_{s \text{ lim}} = 228.6$ (MPa)

Dalle supérieure (Voussoir à la clé) Calcul de Section en Flexion Simple

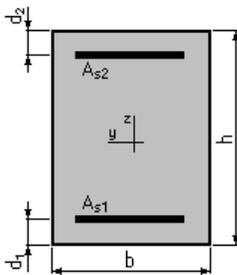
1. Hypothèses:

Béton: $f_{c28} = 30.0$ (MPa)

Acier: $f_e = 400.0$ (MPa)

- Fissuration préjudiciable
- Prise en compte des armatures comprimées
- Pas de prise en compte des dispositions sismiques
- Calcul suivant BAEL 91 mod. 99

2. Section:



$b = 100.0$ (cm)

$h = 25.0$ (cm)

$d_1 = 5.0$ (cm)

$d_2 = 5.0$ (cm)

3. Moments appliqués:

	M_{max} (kN*m)	M_{min} (kN*m)
Etat Limite Ultime (fondamental)	118.85	0.00
Etat Limite de Service	89.17	0.00
Etat Limite Ultime (Accidentel)	0.00	0.00

4. Résultats:

Sections d'Acier:

Section théorique	Section théorique	$A_{s1} = 24.3$ (cm ²)		$A_{s2} = 0.0$ (cm ²)
Section minimum		$A_{s\ min} = 3.5$ (cm ²)		
théorique		$\rho = 1.22$ (%)		
minimum		$\rho_{min} = 0.17$ (%)		

Analyse par Cas:

Cas ELU	$M_{max} = 118.85$	(kN*m)	$M_{min} = 0.00$	(kN*m)
Coefficient de sécurité:	1.25		Pivot:	B
Position de l'axe neutre:	$y = 6.2$	(cm)		
Bras de levier:	$Z = 17.5$	(cm)		
Déformation du béton:	$\epsilon_b = 3.50$	(‰)		
Déformation de l'acier:	$\epsilon_s = 7.75$	(‰)		

Contrainte de l'acier:

tendue: $\sigma_s = 347.8$ (MPa)

Cas ELS $M_{\max} = 89.17$ (kN*m) $M_{\min} = 0.00$ (kN*m)

Coefficient de sécurité: 1.00

Position de l'axe neutre: $y = 9.0$ (cm)

Bras de levier: $Z = 17.0$ (cm)

Contrainte maxi du béton: $\sigma_b = 11.7$ (MPa)

Contrainte limite: $0,6 f_{cj} = 18.0$ (MPa)

Contrainte de l'acier:

tendue: $\sigma_s = 215.6$ (MPa)

Contrainte limite de l'acier:

$\sigma_{s \text{ lim}} = 215.6$ (MPa)

Dalle inférieure (Voussoir à la clé) Calcul de Section en Flexion Simple

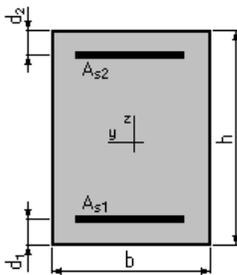
1. Hypothèses:

Béton: $f_{c28} = 30.0$ (MPa)

Acier: $f_e = 400.0$ (MPa)

- Fissuration préjudiciable
- Prise en compte des armatures comprimées
- Pas de prise en compte des dispositions sismiques
- Calcul suivant BAEL 91 mod. 99

2. Section:



$b = 100.0$ (cm)

$h = 25.0$ (cm)

$d_1 = 5.0$ (cm)

$d_2 = 5.0$ (cm)

3. Moments appliqués:

	M_{max} (kN*m)	M_{min} (kN*m)
Etat Limite Ultime (fondamental)	67.78	0.00
Etat Limite de Service	50.82	0.00
Etat Limite Ultime (Accidentel)	0.00	0.00

4. Résultats:

Sections d'Acier:

Section théorique	$A_{s1} = 13.4$ (cm ²)	Section théorique	$A_{s2} = 0.0$ (cm ²)
Section minimum	$A_{s_{min}} = 3.5$ (cm ²)		
théorique	$\rho = 0.67$ (%)		
minimum	$\rho_{min} = 0.17$ (%)		

Analyse par Cas:

Cas ELU	$M_{max} = 67.78$	(kN*m)	$M_{min} = 0.00$	(kN*m)
Coefficient de sécurité:	1.28		Pivot: A	
Position de l'axe neutre:	$y = 3.4$	(cm)		
Bras de levier:	$Z = 18.6$	(cm)		
Déformation du béton:	$\epsilon_b = 2.07$	(‰)		
Déformation de l'acier:	$\epsilon_s = 10.00$	(‰)		

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 347.8$ (MPa)

Cas ELS $M_{\max} = 50.82$ (kN*m) $M_{\min} = 0.00$ (kN*m)

Coefficient de sécurité: 1.00

Position de l'axe neutre: $y = 7.2$ (cm)

Bras de levier: $Z = 17.6$ (cm)

Contrainte maxi du béton: $\sigma_b = 8.0$ (MPa)

Contrainte limite: $0,6 f_{cj} = 18.0$ (MPa)

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 215.6$ (MPa)

Contrainte limite de l'acier:
 $\sigma_{s \text{ lim}} = 215.6$ (MPa)

Port à faux (Voussoir à la clé)

Calcul de Section en Flexion Simple

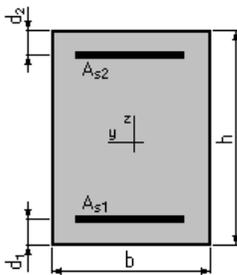
1. Hypothèses:

Béton: $f_{c28} = 30.0$ (MPa)

Acier: $f_e = 400.0$ (MPa)

- Fissuration préjudiciable
- Prise en compte des armatures comprimées
- Pas de prise en compte des dispositions sismiques
- Calcul suivant BAEL 91 mod. 99

2. Section:



$b = 100.0$ (cm)

$h = 25.0$ (cm)

$d_1 = 5.0$ (cm)

$d_2 = 5.0$ (cm)

3. Moments appliqués:

	M_{max} (kN*m)	M_{min} (kN*m)
Etat Limite Ultime (fondamental)	121.07	0.00
Etat Limite de Service	90.77	0.00
Etat Limite Ultime (Accidentel)	0.00	0.00

4. Résultats:

Sections d'Acier:

Section théorique	$A_{s1} = 24.8$ (cm ²)	Section théorique	$A_{s2} = 0.0$ (cm ²)
Section minimum	$A_{s\ min} = 3.5$ (cm ²)		
théorique	$\rho = 1.24$ (%)		
minimum	$\rho_{min} = 0.17$ (%)		

Analyse par Cas:

Cas ELU	$M_{max} = 121.07$ (kN*m)	$M_{min} = 0.00$ (kN*m)
Coefficient de sécurité:	1.24	Pivot: B
Position de l'axe neutre:	$y = 6.3$ (cm)	
Bras de levier:	$Z = 17.5$ (cm)	
Déformation du béton:	$\epsilon_b = 3.50$ (‰)	
Déformation de l'acier:	$\epsilon_s = 7.54$ (‰)	

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 347.8$ (MPa)

Cas ELS $M_{\max} = 90.77$ (kN*m) $M_{\min} = 0.00$ (kN*m)

Coefficient de sécurité: 1.00

Position de l'axe neutre: $y = 9.0$ (cm)

Bras de levier: $Z = 17.0$ (cm)

Contrainte maxi du béton: $\sigma_b = 11.8$ (MPa)

Contrainte limite: $0,6 f_{cj} = 18.0$ (MPa)

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 215.6$ (MPa)

Contrainte limite de l'acier:
 $\sigma_{s \text{ lim}} = 215.6$ (MPa)

ÂME (Voussoir à la clé)

Calcul de Section en Flexion Simple

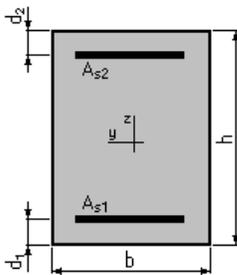
1. Hypothèses:

Béton: $f_{c28} = 30.0$ (MPa)

Acier: $f_e = 400.0$ (MPa)

- Fissuration préjudiciable
- Prise en compte des armatures comprimées
- Pas de prise en compte des dispositions sismiques
- Calcul suivant BAEL 91 mod. 99

2. Section:



$b = 100.0$ (cm)

$h = 36.0$ (cm)

$d_1 = 5.0$ (cm)

$d_2 = 5.0$ (cm)

3. Moments appliqués:

	M_{max} (kN*m)	M_{min} (kN*m)
Etat Limite Ultime (fondamental)	141.20	0.00
Etat Limite de Service	105.79	0.00
Etat Limite Ultime (Accidentel)	0.00	0.00

4. Résultats:

Sections d'Acier:

Section théorique	$A_{s1} = 17.8$ (cm ²)	Section théorique	$A_{s2} = 0.0$ (cm ²)
Section minimum théorique	$A_{s_{min}} = 4.6$ (cm ²)		
minimum	$\rho = 0.58$ (%)		
	$\rho_{min} = 0.15$ (%)		

Analyse par Cas:

Cas ELU	$M_{max} = 141.20$ (kN*m)	$M_{min} = 0.00$ (kN*m)
Coefficient de sécurité:	1.28	Pivot: A
Position de l'axe neutre:	$y = 4.6$ (cm)	
Bras de levier:	$Z = 29.2$ (cm)	
Déformation du béton:	$\epsilon_b = 1.73$ (‰)	
Déformation de l'acier:	$\epsilon_s = 10.00$ (‰)	

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 347.8$ (MPa)

Cas ELS $M_{\max} = 105.79$ (kN*m) $M_{\min} = 0.00$ (kN*m)

Coefficient de sécurité: 1.00

Position de l'axe neutre: $y = 10.5$ (cm)

Bras de levier: $Z = 27.5$ (cm)

Contrainte maxi du béton: $\sigma_b = 7.3$ (MPa)

Contrainte limite: $0,6 f_{cj} = 18.0$ (MPa)

Contrainte de l'acier:
tendue: $\sigma_s = 215.6$ (MPa)

Contrainte limite de l'acier:
 $\sigma_{s \text{ lim}} = 215.6$ (MPa)