

وزارة التربيــة الوطنيــة MINISTERE DE L'EDUCATION NATIONALE ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

DEPARTEMENT ELECTRONIQUE

PROJET DE FIN D'ETUDE

= SUJET =

ETUDE DE QUELQUES PERFECTIONNEMENTS
DE LA METHODE L.M.A

PROPOSE PAR:

Dr. A. ZERGUERRAS

ETUDIE PAR :

BOUCHAALA Hichem BERTOUCHE Med SAMIR DIRIGE PAR :

Dr. A. ZERGUERRAS

PROMOTION: 1993

DEDICACES

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيبات المكتبة — BIBLIOTHEQUE المكتبة — Ecolo Nationale Polytechnique

Je dédie ce travail

à mes chers parents

à ma soeur Samira et son mari

à mon frére Chokri

à mes tantes

à mes oncles et à leurs femmes

et aux mémoires de ma grand-mère Mahsouna

et mes chers Arbi; et Houria

Hichem

A la mémoire de mon grand-pére.

A mes grands parents.

A mes parents.

A mes soeurs.

A toute ma famille et tous mes amis.

Je dedis ce travail

Samir

الدرسة الوطنية التعددة التقنيات المكتبة — BIBLIOTHEQUE Ecolo Hationale Polytechnique

REMERCI MENTS

Au terme de ce travail, nous tenons à remercier notre promoteur,

Mr A. Zerguerras, pour nous avoir encadrés et pour sa gentillesse
et sa patience;

le président et les menbres du jury pour l'honneur qu'ils nous font en acceptant de juger ce travail;

Les enseignants du département qui nous ont apporté leurs conseils;

Les travailleurs de la bibliothéque et le responsable de l'annex du centre de calcul;

Nous tenons particulièrement à remercier Mr A. Douga et les responsables d'AGIP pour leurs aides précieuses;

Nous remercions également toutes les personnes qui nous ont aidés et soutenus tout au long de notre travail.

SOMMAIRE

LISTE DES SYMBOLES1
LISTE DES GRAPHES
LISTE DES ABAQUES
INTRODUCTION
CHAPITRE I :
GENERALITES SUR LES ANTENNES PLAQUES
1-PRINCIPE DE FONCTIONNEMENT
2-TECHNOLOGIE DE FABRICATION
3-CARACTERISTIQUES PRINCIPALES DES ANTENNES PLAQUES
4-DOMAINES D'UTILISATION
5-TECHNIQUES D'ANALYSE D'A.P.M
CHAPITRE II :
PRESENTATION DE LA METHODE L. M. A
-CALCUL DE L'ADMITTANCE D'ENTREE14
-APPROCHE DU COEFFICIENT DE COUPLAGE LINEIQUE18
-CALCUL DE LA BANDE PASSANTE22

-ALIMENTATION DE L'ANTENNE Ecolo Nationale Polytechnique
-ALIMENTATION PAR CABLE COAXIAL24
-ALIMENTATION PAR LIGNE MICRORUBAN25
CHAPITRE III :
LE DECOUPAGE ANGULAIRE POUR ANTENNE CIRCULAIRE27
-LE DECOUPAGE ANGULAIRE27
-COMPARAISON DES RESULTATS31
A-ANTENNE SANS DIRECTEUR31
B-ANTENNE MUNIE D'UN DIRECTEUR CK=0.234
-INTRODUCTION DU COEFFICIENT DE COUPLAGE LINEIQUE
(COMPLETEMENT MODELISE)
CHAPITRE IV :
ETUDE DE QUELQUES CARACTERISTIQUES DES ANTENNES
CARREES ET RECTANGULAIRES42
-CALCUL DE L'IMPEDANCE D'ENTREE42
-VALIDITE DE LA METHODE L.M.A EN H∕\lambda
-INFLUENCE DE LA COUCHE D'AIR55
CONCLUSI ON

ANNEXE A: CALCUL DU COEFFICIENT DE COUPLAGE HOUR NAMOTELA PRÉVICE Chaique

CIRCULAIRE, RECTANGULAIRE ET CARREE61
ANNEXE B: CALCUL DE LA LARGEUR ET DE LA L'IMPEDANCE
CARACTERISTIQUE DE LA LIGNE MICRORUBAN68
ANNEXE C: CHOIX DE L'IMPEDANCE DE NORMALISATION73
BIBLIOGRAPHIE74
PROGRAMMES

LISTE DES SYMBOLES

العدرسة الوطنية المتعددة التثنيبات المحكستية -- BIBLIOTHEQUE Ecole Hationale Polytechnique

- 2a Diamètre de l'antenne plaque circulaire.
- $A = \frac{2a}{\lambda o}$ Diamètre réduit de l'antenne plaque circulaire.
- 2b Diamètre du directeur (D) ou de la longueur du directeur. de l'antenne symétrique de forme quelconque.
- $B = \frac{2b}{\lambda o}$ Diamètre réduit du directeur circulaire.
- C12 Capacité de couplage par unité de longueur.
- CMD Antenne plaque.
- (D) Directeur.
- E Point de jonction entre (M) et la ligne microruban.
- O et S Points limites des lignes couplées.
 - f Fréquence.
 - fo Fréquence centrale de la largeur de bande définie pour un T.O.S inférieur ou égal à 2.
- fr Fréquence de résonnance qui est définie par la valeur de la fréquence qui rend l'impédence d'entrée réelle (ie partie imaginaire nulle) ou la partie réelle maximale.
- fm Fréquence inférieure de la bande.
- f_{M} Fréquence maximale de la bande (ie $2f_{0} = f_{m} + f_{M}$).
- k Coefficient de couplage entre les deux lignes.
- n Indice de la tranche des deux lignes couplées, limitées. $\label{eq:par Xn-1} \text{ par Xn-1 et Xn } 1 \leq n \leq N.$
- Nombre de tranches ou de découpages.
- Rn Résistance caractéristique de la tranche n relative à (D).
- R'n Résistance caractéristique de la tranche n relative à (M).

- so Permittivité du vide.
- er Permittivité relative du substrat de (D).
- العدرسة الوطنية المتعددة التقنيسات المكتبية — BIBLIOTHEQUE Ecolo Nationale Polytechnique
- se Permittivité effective du substrat de (D).
- ε 'r Permittivité relative du substrat de (M).
- arepsilon'e Permittivité effective du substrat de (M).

 $w=2\pi f$ Pulsation.

- λο Longueur d'onde du vide : λο = (f $\sqrt{\mu o \varepsilon o}$)⁻¹.
- On Exposant de transfert sur image de la tranche n relative à CD).
- 6'n Exposant de transfert sur image de la tranche n relative à (M).
- T.O.S Taux d'Ondes Stationnaires.
- [th] Matrice de transmission de la section élémentaire d'ordre n.
- W(n) Largeur de la tranche d'indice n du directeur.
- W'(n) Largeur de la tranche d'indice n de l'antenne plaque (M).
- Wr Largeur variable réduite de (D) (Wr=₩/λο).
- W'r Largeur variable réduite de (M) (W'r=W'/λο).
- Ys Admittance au point S.
- Ye Admittance d'entrée en O des deux lignes couplées.
- YE Admittance d'entrée en E.
- Vi Ondes incidentes.
- Vr Ondes réfléchies.
- Xn, Xn-1 Limites de la tranche "n", comptées à partir de O.
 - CXr)n Limite réduite.
- Ds=d ∕\o Epaisseur de peau normalisée pour (D).
- De=d'_∧o Epaisseur de peau normalisée pour (M).

LISTE DES GRAPHES

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيبات المحكستابية — BIBLIOTHEQUE Ecolo Nationale Polytechniquo

GRAPHE 1: W(n) ET LA VARIATION DE ΔXn EN FONCTION DE α30
GRAPHE 2: CALCUL DE L'IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE
CIRCULAIRE SANS DIRECTEUR ATTAQUEE PAR LIGNE MICRORUBAN32
GRAPHE 3: CALCUL DE L'IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE
CIRCULAIRE MUNIE D'UN DIRECTEUR CIRCULAIRE35
GRAPHE 4: CALCUL DE L'IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE
CIRCULAIRE MUNIE D'UN DIRECTEUR AVEC UN DECOUPAGE ANGULAIRE39
GRAPHE 5: COEFFICIENT DE REFLEXION A L'ENTREE D'UNE
ANTENNE RECTANGULAIRE45
GRAPHE 6: COEFFICIENT DE REFLEXION A L'ENTREE D'UNE
ANTENNE CARREE
GRAPHE 7: INFLUENCE DES DIMENSIONS DE L'ANTENNE SUR
LA FREQUENCE DE RESONNANCE
GRAPHE 8: INFLUENCE DE L'EPAISSEUR DE L'ANTENNE SUR
LA FREQUENCE DE RESONNANCE
GRAPHE 9: VARIATION DE LA FREQUENCE DE RESONNANCE
EN FONCTION DE h/\(\lambda\) (h FIXE)53

المدرسة الرطنية المتعددة التنبان GRAPHE 10: VARIATION DE LA FREQUENCE DE RESONNANCE BIBLIOTHEQUE — المحكتبة Ecole Nationale Polytechnique
EN FONCTION DE h/λ (dimension de l'antenne FIX E)
GRAPHE 11: L'EVOLUTION DE Erequivalent EN FONCTION DE
L'EPAISSEUR DE L'AIR56
GRAPHE 12: INFLUENCE DE LA COUCHE D'AIR SUR LA FREQUENCE DE
RESONNANCE ET LA BANDE PASSANTE D'UNE ANTENNE RECTANGULAIRE58
GRAPHE 13: VARIATION DE LA LARGEURS DE LA LIGNE MICRORUBAN .
WO EN FONCTION DE SON IMPEDANCE CARACTERISTIQUE69
GRAPHE 14: VARIATION DE LA LARGEUR DE LA LIGNE MICRORUBAN
WO EN FONCTION DE Er70
GRAPHE 15: VARIATION DE L'IMPEDANCE CARACTERISTIQUE DE LA
LIGNE MICRORUBAN EN FONCTION DE Er
LISTE DES ABAQUES
LISTE DES ABAQUES ABAQUE 1 : IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE CIRCULAIRE SANS
ABAQUE 1 : IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE CIRCULAIRE SANS DIRECTEUR ATTAQUEE PAR LIGNE MICRORUBAN
ABAQUE 1 : IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE CIRCULAIRE SANS DIRECTEUR ATTAQUEE PAR LIGNE MICRORUBAN
ABAQUE 1 : IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE CIRCULAIRE SANS DIRECTEUR ATTAQUEE PAR LIGNE MICRORUBAN

í

.

المدرَسة الوطنية المتعددة التقنيات المكنتبة — BIBLIOTHEQUE Ecole Nationale Polytochnique

antrodulation a

INTRODUCTION

La méthode de la ligne de transmission (L.M.A) pour analyser les antennes plaques microruban (A.P.M), permet par une approche physique simple de déterminer les principales caractéristiques de celle-ci, contrairement aux méthodes telles que celles des moments ou celles des éléments finis qui sont d'un emploi plus laborieux.

A la suite du travail de thèse [1] exploitant la méthode L.M.A pour les A.P.M circulaires nous avons adopté un nouveau dispositif de découpage (découpage angulaire) qui à précision égale permet de travailler avec un nombre de tronçons plus de cinq fois moindre par rapport à un découpage régulier de l'axe principal de l'antenne. De plus la précision y est plus régulièrement répartie sur chaque tronçon.

Par ailleurs, nous avons teste des configurations rectangulaires et carrées afin de déterminer les limites de validités (en h/λ) de la méthode L.M.A en ce que concerne l'épaisseur du substrat. L'effet des couches d'air est également pris en compte. Ces résultats de calculs sont confrontée avec ceux d'autres théories et des mesures expérimentales [2],[3],[4].

Cette étude profite des résultats concernant le couplage des lignes stratifiées développé dans les articles [5], qui permettent d'affiner le modèle L.M.A.

Chamitre I

GENERALITES SUR LES ANTENNES PLAQUES

1-PRINCIPE DE FONCTIONNEMENT:

Une antenne plaque est essentiellement composée d'un circuit imprimé double face; une face entièrement métallique représentant le plan de masse, l'autre face contenant généralement un réseau d'éléments rayonnants mais aussi des composants passifs et actifs tels que diviseurs de puissance, déphaseurs, mélangeurs,...etc.

Le rayonnement peut être déterminé en considérant la distribution de courant sur l'élément rayonnant ainsi que la distribution de courant dans le diélectrique due à la différence de potentiel entre l'élément rayonnant et le plan de masse [6].

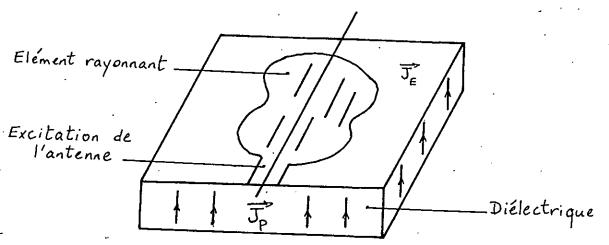


FIGURE 1:structure rayonnante de l'antenne plaque

2-TECHNOLOGIE DE FABRICATION:

Il importe de réaliser avec soin les différentes étapes de fabrication; car les caractéristiques de l'antenne sont très sensibles aux tolérances dimensionnelles.

On peut résumer les différentes étapes de fabrication d'une antenne plaque comme suit [6]:

1-Dessin du schéma de l'antenne. Les dimensions d'un élément rayonnant dans un réseau d'antenne étant réduites, ce schéma sera réalisé pour un seul élément et à grande échelle.

2-Contrôle du schéma par des procédés optiques Ce contrôle doit détecter toute forme ou dimension en dehors des tolérances.

3-Réduction du schéma établi en grandeur réelle, c'est à dire, à l'échelle 1.

4-Tirage du négatif de ce schéma.

5-Réproduction en plusieurs exemplaires du schéma relatif à un seul élément rayonnant.

6-Tirage du négatif du schéma correspondant au réseau.

7-Tirage du circuit imprimé constituant l'antenne réseau. Ces opérations sont les mêmes que pour le tirage d'un circuit imprimé classique.

8-Insertion des composants discrets tels que diodes ou autres dans le circuit imprimé.

9-Test des différentes caractéristiques de l'antenne prévues par la théorie.

3-CARACTERISTIQUES PRINCIPALES DES ANTENNES PLAQUES:

Une antenne imprimée ou antenne plaque présente essentiellement les avantages suivants par rapport aux autres types d'antennes hyperfréquences [6]:

*-Un faible encombrement et surtout une faible épaisseur, donc elle offre une bonne résistance au vent ce qui intéresse en particulier les stations mobiles;

*-un faible poids;

*-des possibilités de fabrication en grandes séries
et à des coûts très réduits.

*-un simple changement de la position des lignes de
champ dans l'antenne permet d'avoir une polarisation rectiligne
(horizontale-verticale), ou circulaire (gauche-droite);

*-des possibilités d'intégration dans la structure
de l'antenne de dispositifs modulaires tels que: déphaseurs,
mélangeurs, diviseurs de puissance, modulateurs, atténuateurs,
amplificateurs, oscillateurs...etc.

Malheureusement ce type d'antennes présente aussi quelques inconvénients dont essentiellement:

*-Le principe de fonctionnement de ces antennes
étant basé sur la résonnance, leur bande passante est relativement
étroite;

*-le rayonnement est généralement limité à une seule
moitié de l'espace;

*-le gain est généralement limité;

*-la puissance émise est faible pour certaines
applications;

*-le rendement est trop bas à cause des pertes dans le diélectrique.

4-DAMAINES D'UTILISATION:

Les avantages des antennes plaques l'emportent de loin sur leurs inconvénients et leur utilisation est sans cesse généralisée à plusieurs applications dont essentiellement:

*-La réception des télécommunications par satellites;

*-les radars et en particulier ceux basés sur l'effet Doppler (contôle des vitesses des véhicules);

*-Commande et contrôle à distance des systèmes;

*-Applications biomédicales;

*-applications militaires.

Ce type d'antennes connait sans cesse des développements et extension de ses utilisations

5- LES TECHNIQUES D'ANALYSE D'ANTENNE MICRORUBAN :

Il existe des méthodes d'analyses pouvant avoir la précision désirée, d'autres plus simples permettent de dégrossir le problème à moindre coût.

Ci dessous nous décrivons quelques unes d'entre elles:

*- LE MODELE DE LA TECHNIQUE DES FONCTIONS DE GREEN:

Cette technique permet d'analyser de façon précise les antennes plaques sans limitation de forme, de fréquence, ou de dimensions et en tenant compte des ondes de surfaces, de l'excitation et du couplage entre les structures voisines.

Cette technique est mathématiquement encombrante et ne conduit pas à une analyse simple.

*- LE MODELE DE LA GRILLE DE FILS:

AGRAWAL et BAILEY [7] ont remplacé la structure microruban par un réseau de fils entrelacés et ont calculé les courants sur les segments de fils en utilisant le théorème de la réaction de RICHMOND (1966). Lorsque les valeurs des courants sont connues, toutes les caractéristiques de l'antenne peuvent être obtenues.

La méthode donne d'excellents résultats si les fils sont suffisamment rapprochés, mais cela demande une grande mémoire de stockage et un temps de calcul considérable ce qui va augmenter le coût de conception.

*- LE MODELE D'OUVERTURE RAYONNANTE:

JAMES et WILSON ont montré qu'un calcul par l'approche de l'ouverture peut être utilisé pour déterminer le diagramme de rayonnement d'une ligne microruban ouverte.

Cette méthode utilisant la relation du vecteur de KIRCHOFF est très précise si les champs des ouvertures sont connus exactement.

*- LES MODELES DE LA CAVITE:

Ils sont basés sur les courants magnétiques et utilisés pour des géométries où l'équation d'HELMHOLTZ a une solution analytique comme le disque, le rectangle, le triangle ou l'ellipse.

*-MODELE DE L'EXPANSION MODALE:

CARVER et COFFEY ont formulé pour les élements microrubans des équations basées sur la technologie du développement modal.

Ce modèle, bien que similaire à celui de la cavité, en diffère par le fait que des conditions aux limites sont imposées pour les quatre parois rayonnantes. Cela implique qu'il faut considérer les effets des énergies externes accumulées et rayonnées comme des

admittances murales complexes.

*-MODELE DE LA TECHNIQUE DE SEGMENTATION:

Cette technique introduit une fonction de GREEN particulière définie comme la tension (intégrale du champ électrique) entre un pont arbitraire du conducteur supérieur et le plan de masse.

Cette tension est calculée en traitant l'antenne comme une cavitée simple. Une antenne est alors décomposée en un nombre fini de figures élémentaires reliées par un certain nombre de connections idéales et on étudie l'ensemble avec les techniques d'analyse bidimensionnelle des structures planaires.

*-MODELE DE LA LIGNE DE TRANSMISSION:

Tous les modèles décrits précédemment conduisent à un succès partiel dans l'estimation des performances des antennes microrubans et demandent des calculs considérables.

Le modèle de la ligne de transmission de MUNSON [8] et DERNERYD, conduit à des résultats adéquats pour plusieurs applications techniques et demande peu de temps de calcul. Il possède cet avantage du fait qu'il n'est applicable qu'aux géométries rectangulaires (ou carrées), cependant, l'analyse fournit une interprétation raisonnable du mécanisme de rayonnement et simultanément donne des expressions simples pour les

caractéristiques.

L'élément rayonnant microruban doit être traité comme une ligne résonnante sans variation transversale du champ. Pour toutes les facilités de calcul qu'il offre et pour le fait qu'on peut néanmoins traiter des formes quelconques, en les divisant en N lignes de transmission élémentaires, nous avons opté pour ce modèle pour notre étude.

C'est pourquoi il sera amplement explicité lors du prochain chapitre.

Chamitre II

PRESENTATION DE LA METHODE L.M.A

Il s'agit de déterminer les caractéristiques d'une antenne plaque microruban ayant un axe de symétrie par rapport à son point d'excitation. De plus, cet antenne plaque est associée à un directeur (élément parasite) possédant le même axe de symétrie.

L'antenne plaque et son directeur peuvent être avantageusement réalisés à l'aide de circuits imprimés empilés. Le rôle du directeur est d'élargir la bande passante de l'antenne et d'abaisser sa résistance de rayonnement. La méthode utilisée pour déterminer les caractéristiques générales du rayonnement est celle généralisée du modèle des lignes de transmission à perte fonctionnant en mode quasi TEM utilisé avec succès dans les cas d'antennes plaques de types carrés, rectangulaires ou circulaires.

CALCUL DE L'ADMITTANCE D'ENTREE [1]:

On décompose la partie couplée en N tronçons élémentaires qui ont des résistances caractéristiques et des permittivités relatives différentes d'un tronçon à un autre comme l'indique la figure 2.

Chaque tronçon élémentaire a une longueur de 2b/N, le point 0 est l'origine de l'axe 0X.

Avec les ondes complexes incidentes V_i et V_i' réfléchies V_r et V_r' on écrit les conditions aux limites suivantes [1],[9]:

-Pour le directeur (D):

$$(V_i)_0 = (V_r)_0 \text{ en } X=0$$
 (POINT 0) (1)

$$(V_i)_N = (V_r)_N$$
 en X=2b (POINT S) (2)

-Pour l'antenne plaque (A):

$$\frac{(V_i')_N - (V_r')_N}{(V_i')_N + (V_r')_N} = (Y_s)_r \text{ en } X=2b \text{ (POINT S) (3)}$$

 $(Y_S)_r$ est l'admittance réduite en (S) ramenée par la partie non couplée de l'antenne plaque avec:

$$(Y_{S})_{r} = Y_{S} \cdot \sqrt{R_{N} \cdot R_{N}'}$$

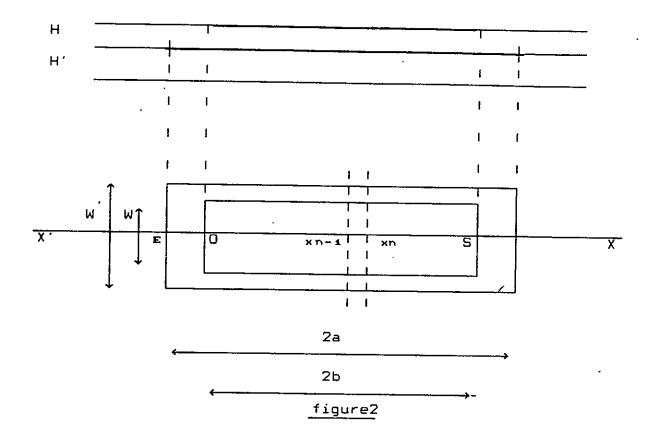
$$(4)$$

 $R_{_{\mathbf{N}}}$ et $R_{_{\mathbf{N}}}^{'}$ étant les résistances caractéristiques du $N^{\mathrm{\acute{e}^{me}}}$ tronçon.

Par les lois de calcul de l'admittance ramenée on peut déterminer l'admittance au point s:

$$Y_{s=} \frac{\tanh \left[N (a-b) \frac{\theta'}{2b}\right]}{R'n}$$
 (5)

 $(V_i)_o$ et $(V_r)_o$ respectivement ondes incidente et réfléchie au point O.



Nous écrivons la relation matricielle suivante:

$$\begin{bmatrix} (V_{i})_{0} \\ (V_{r})_{0} \\ (V'_{i})_{0} \\ (V'_{r})_{0} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} t_{1} \\ \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} t_{2} \\ \end{bmatrix} \cdot \dots \begin{bmatrix} t_{n} \\ \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} t_{N} \\ \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} (V_{i})_{N} \\ (V'_{i})_{N} \\ (V'_{i})_{N} \\ (V'_{r})_{N} \end{bmatrix}$$

$$(6)$$

Où $\begin{bmatrix} t \\ n \end{bmatrix}$ est la matrice 4 x 4 de transmission de la tranche (n) dont le milieu se trouve à l'abscisse:

$$X_{n} = 2b \cdot \frac{(2n-1)}{(2.N)} \tag{7}$$

Cette tranche étant biensûr constituée de deux tronçons élémentaires superposés et couplés de largeurs W et W.

Pour simplifier l'expression de la matrice de transmission nous poserons les coefficients suivants sans dimensions.

$$C_n = R_n \frac{b \cdot C_{12W}}{N} \qquad d_n = \sqrt{\frac{R_n}{R_n}} \qquad C_n \cdot d_n = L_n$$

$$C_{n}' = R_{n}' \frac{b \cdot C_{12W}}{N}$$
 $D_{n} = \frac{1}{2} \left[d_{n} + \frac{1}{d_{n}} \right]$
 $S_{n} = \frac{1}{2} \left[d_{n} - \frac{1}{d_{n}} \right]$ (8)

$$L_{n} = \frac{C_{n}}{d_{n}} \qquad M_{n} = C_{n} \cdot d_{n} = \frac{C_{n}}{d_{n}}$$

avec:

$$R_{n} = \frac{R_{o}}{\sqrt{(\varepsilon_{n})}} \qquad F_{n} \tag{9}$$

et R_o résistance du vide

$$F_{n} = \begin{bmatrix} \frac{1}{2\pi} \log_{e} \left[\frac{8h}{W(n)} + 0.25 \frac{W(n)}{h} \right] & \text{si } W(n) \leq h \\ \frac{W(n)}{h} + 1.393 + 0.667 \log_{e} \left[\frac{W(n)}{h} + 1.444 \right] \end{bmatrix} & \text{si } W(n) \geq h \end{cases}$$

idem pour R_n .

La capacité de couplage est definie comme suit:

$$C_{12} = K \varepsilon_{0} \sqrt{\frac{W(n) \cdot W'(n)}{h \cdot h'} \varepsilon_{r} \varepsilon_{r}'}$$
 (10)

où K est le coefficient de couplage.

APPROCHE DU COEFFICIENT DE COUPLAGE LINEIQUE [5] et [9]:

Cette approche donne une modélisation simple du coefficient de couplage entre la ligne constituée par le plan de masse et l'antenne et celle constituée par le directeur et l'antenne.

Le coefficient de couplage considéré dépend de deux facteurs fondamentaux: le premier est lié aux ouvertures qui assurent le couplage, le second répartit l'énergie incidente entre les deux lignes couplées.

$$K = \rho_{g} \cdot k \tag{11}$$

k est le facteur de perte, on retrouve sa démonstration er

annexe A:

$$k = \frac{1}{\sqrt{1 + \left[\frac{\varepsilon_{r}}{\varepsilon_{r}} \cdot \frac{h \cdot W(n)}{h' \cdot W(n)}\right]}}$$
(12)

et $ho_{
m g}$ est le ratio d'ouverture global qui s'écrit :

$$\rho_{g} = \sqrt{\rho \cdot \rho'} \tag{13}$$

où ho', ho sont respectivement les ratios d'ouverture de l'antenne plaque et du directeur, tels que :

$$\rho = \frac{s}{s + s} \tag{14}$$

Avec

s :surface d'ouvertures

S :surface métallique

de même pour ho .

Les coefficients de couplage pour antennes rectangulaire

carrée et circulaire sont calculés dans l'annexe A.

Les constantes d'atténuations α_n et $\alpha'n$ prenant en considération le rayonnement, s'écrivent:

$$\alpha_{1} = \frac{4\pi^{3}}{5} \frac{Ro}{Rn} \frac{h^{2}}{\lambda_{0}^{3}} \frac{1}{\sqrt{\epsilon en}} + \frac{\pi}{\lambda_{0}} \sqrt{\epsilon en} \left(\operatorname{tg} \delta + \frac{ds}{h} \right)$$

$$\alpha'_{1} = \frac{4\pi^{3}}{5} \frac{Ro}{Rn} \frac{h'^{2}}{\lambda_{0}^{3}} \frac{1}{\sqrt{\epsilon'_{1}en}} + \frac{\pi}{\lambda_{0}} \sqrt{\epsilon'_{2}en} \left(\operatorname{tg} \delta + \frac{ds'}{h'} \right)$$
(15)

ds (ou ds'):épaisseur de pénétration ds =
$$(\pi f \mu_0 \sigma)$$
 ds = $(\pi f \mu_0 \sigma)^{-1/2}$

 σ et σ' représentant respectivement les conductivités du métal du directeur et de l'antenne.

 δ et δ ' represente respectivement les angles de pertes dans les diélectriques du directeur et de l'antenne.

La permittivité relative équivalente (so)n est définie par:

$$(\varepsilon_{\Theta})_{n} = \frac{\varepsilon_{r} + 1}{2} + \frac{\varepsilon_{r} - 1}{2} \cdot G_{n}$$
 (16)

Avec:

$$G_{n=} \begin{bmatrix} 1 + 12 \cdot \frac{h}{W(n)} \end{bmatrix}^{-1/2} + 0.04 \begin{bmatrix} 1 - \frac{W(n)}{h} \end{bmatrix}^{2} \text{ pour } \frac{W(n)}{h} \leq 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 + 12 \cdot \frac{h}{W(n)} \end{bmatrix}^{-1/2} \text{ pour } \frac{W(n)}{h} > 1$$

De même pour la permittivité relative $(\varepsilon'e)_n$.

Sachant que

$$\theta_{n} = \left[\alpha_{n} + j \frac{2\Pi}{\lambda_{0}} \sqrt{(\varepsilon_{0})_{n}} \right]. \quad \frac{2b}{N}$$
 (17)

$$\theta_{n}^{\prime} = \left[\begin{array}{c} \alpha_{n}^{\prime} + j \frac{2\Pi}{\lambda_{0}} \sqrt{(\varepsilon_{e}^{\prime})_{n}} \\ \end{array} \right] \frac{2b}{N}$$
 (17')

Nous obtenons une expression simplifiée de la matrice T:

En X=0 nous aurons l'admittance réduite en 0.

Le secteur formé EO de l'antenne est assimilé à une ligne de transmission de longueur (a-b) chargée en O par ye

$$y_{9} = \frac{(V_{i}^{*})_{o} - (V_{r}^{*})_{o}}{(V_{i}^{*})_{o} + (V_{r}^{*})_{o}} = Y_{o} \cdot \sqrt{R_{1} \cdot R_{1}^{*}}$$
(18)

Avec R₁ et R; résistances caractéristiques, respectivement de

l'antenne et du directeur, au premier tronçon.

En utilisant les conditions aux limites: (1),(2),(3),(18) et en choisissant le courant d'entrée $[(V_i')_o - (V_i')_o] / \sqrt{R_i}$. R'égal à un Ampère et à l'aide de la relation (6) nous obtenons huit équations à huit inconnues.

Connaissant Ye et Ys calculées auparavant, nous aurons l'admittance d'entrée YE de l'antenne au point E (X=O):

$$YE = Ye + Ye$$
 (19)

Pour éviter des calculs supplémentaires, l'admittance Y_E est calculée directement en fonction du coefficient de réflexion Γ , ce qui nous donne:

$$Y_{e} = \frac{1 - \Gamma}{1 + \Gamma} \cdot \left[R_{1} R_{1} \right]^{-1/2} \tag{20}$$

puis YE qu'on transforme en impédance $ZE = \frac{1}{YE}$

CALCUL DE LA BANDE PASSANTE DE L'ANTENNE

Tous ces calculs nous permettent d'avoir l'impédance d'entrée de l'antenne en fonction de la fréquence. Après le tracé sur l'abaque de SMITH nous pouvons déduire la largeur de bande de cette antenne en déterminant l'intersection entre le tracé et le cercle de taux d'onde stationnaire (T.O.S)inférieur ou égal à deux

se traduit par une translation de la courbe dans l'abaque de SMITH vers la partie inductive.

ALIMENTATION PAR LIGNE MICRORUBAN:

Plusieurs modélisations ont été adoptées pour formaliser le dispositif d'alimentation de l'antenne, en l'occurence en tenant compte de la discontinuité engendrée lors du passage de l'antenne à la ligne d'alimentation, car à cet instant il y a un saut brusque en largeur.

Cette discontinuité est modélisée par un circuit en T comportant deux inductances et une capacité (figure 3) données par les formules suivantes [11]:

si
$$\varepsilon_r \le 10$$
 et $1.5 \le \frac{w_1}{w_2} \le 3.5$

$$\frac{\text{Cs}}{\sqrt{\text{W1W2}}} (\text{pf/m}) = (10.1 \text{ Log}_{10}(\varepsilon_r) + 2.33) \frac{\text{W1}}{\text{W2}} - 12.6 \text{ Log}_{10}(\varepsilon_r) - 3.17 (25)$$

si
$$3.5 \le \frac{v_1}{w_2} \le 10$$

$$\frac{Cs}{\sqrt{w_1 w_2}} (pf/m) = 130 \text{ Log}_{10} (\frac{w_1}{w_2}) - 44$$
 (26)

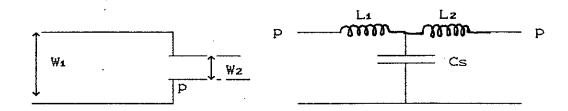


figure 3

$$\frac{Ls}{h}(mH/m) = 40.5 \left(\frac{w_1}{w_2} - 1 \right) - 75 \log_{10}(\frac{1}{2}) + 0.2 \left(\frac{w_1}{w_2} - 1 \right)$$
 (27)

$$Lwm = \frac{Zom\sqrt{\varepsilon r}}{C}$$
 (28)

$$L1 = \frac{Lw_1}{Lw_1 + Lw_2} Ls$$
 (29)

$$L2 = \frac{Lw_2}{Lw_1 + Lw_2} \quad Ls \tag{30}$$

L'antenne est alimentée par ligne microruban de largeur W2; avec une impédance caractéristique ZOm (voir son calcul dans l'annexe B). Dans ce cas, les parties réelle et imaginaire de l'antenne plaque sont modifiées par cette discontinuité.

Chamber III

LE DECOUPAGE ANGULAIRE POUR ANTENNE CIRCULAIRE

Pour avoir une analyse fine, le nombre de découpage N doit être assez grand; au moins supérieur à 2000 Malheureusement un nombre de découpage N élevé induit une durée de temps de calcul accrue, ainsi qu'une occupation mémoire plus grande.

Pour pallier à ces deux inconvénients, on a introduit un autre type de découpage: Le découpage angulaire.

LE DECOUPAGE ANGULAIRE:

Pour avoir, dans le cas des antennes plaques microrubans circulaires, un découpage donnant une précision du même ordre au niveau de chaque tronçon, il serait préférable de choisir des tronçons dont la longueur ΔΧ(n) varie lentement quand leur largeur W(n) varie vite et vice versa.

Pour cela on considére le pas angulaire (voir figure 4)

$$\Delta \alpha = \frac{\pi}{N}$$
 (31)

N est le nombre de découpage.

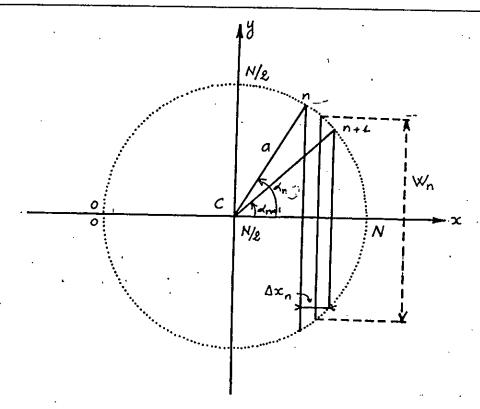


figure 4: DECOUPAGE ANGULAIRE POUR ANTENNE CIRCULAIRE

$$\alpha(0) = \pi - 0. \Delta \alpha$$

$$\alpha(1) = \pi - 1.\Delta\alpha$$

$$\alpha(N/2) = \pi - \frac{N}{2} \cdot \Delta \alpha$$

$$\alpha$$
CND = π - N. $\Delta \alpha$

En déduit la formule générale de a(n):

$$\alpha$$
Cn) = CN - n). $\Delta\alpha$

pour
$$0 \le n \le N$$

(32)

Le déplacement le long de l'antenne devient:

$$X(n) = a \left[1 + \frac{\cos(\alpha(n-1)) + \cos(\alpha(n))}{2} \right] \quad \text{pour } 1 \le n \le N \quad (33)$$

Les longueurs des tronçons sont égales:

$$\Delta X(n) = a \left[\cos(\alpha(n)) - \cos(\alpha(n-1)) \right]$$
 pour $1 \le n \le N$ (34)

Et les largeurs des tronçons sont égales:

$$W(n) = 2. \sqrt{a^2 - (a - X(n))^2}$$
 pour 1 ≤ n ≤ N (35)

Les exposants de transfert θ (n) deviennent:

$$\theta(n) = \left[\alpha(n) + j \frac{2\pi}{\lambda_0} \sqrt{(\epsilon e)}_n\right] \cdot \Delta x(n)$$
 pour $1 \le n \le N$ (36)

Pour une antenne munie d'un directeur circulaire le découpage angulaire est commandé par le directeur possédant le plus petit rayon. Dans ce cas les résistances caractéristiques Rn et Rn de la tranche n ne changent pas et les coefficients sans dimensions s'ecrivent:

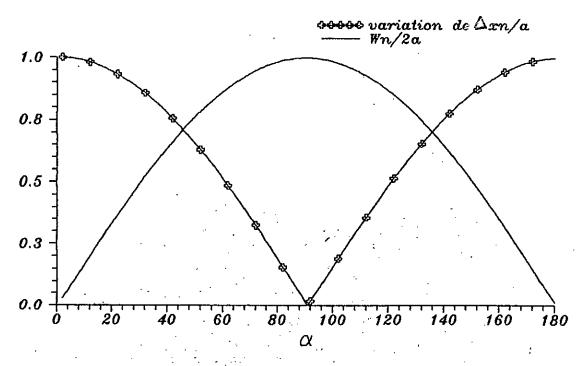
Cn=Rn.C₁₂. ΔX(n).ω/2 dn=√Rn/R'n C'n=R'n.C₁₂. ΔX(n).ω/2 (37) et on remplace dans les expressions de deplacement et des longueurs des tronçons (33) et (34) le rayon de l'antenne (a) par

celui du directeur (b). Les largeurs des tronçons W(n) et les exposants de transfert $\theta(n)$ du directeur s'ecrivent:

$$W(n) = 2. \sqrt{b^2 - (b - X(n))^2}$$
 pour $1 \le n \le N$ (38)

$$\theta(n) = \left[\alpha(n) + j \frac{2\pi}{\lambda o} \sqrt{(\varepsilon e)}_{n} \right] \cdot \Delta x(n) \quad \text{pour } 1 \le n \le N$$
 (39)

Pour distinguer l'efficacité du découpage angulaire nous avons tracé W(n)/2a et la variation de Δ X(n) d'une antenne circulaire sans directeur de rayon a en fonction du déplacement angulaire α (graphe 1).



graphe 1: W(n) et la variation de ΔX (n) en fonction de α

Aux extrémités de l'axe principal de l'antenne, on a des largueurs de tronçons W(n) minimales à variations rapides; par contre elles sont maximales et à variations lentes en se rapprochant du centre.

Le découpage angulaire nous permet d'avoir une variation de longeurs de tronçons maximale aux extrémités et minimale au centre.

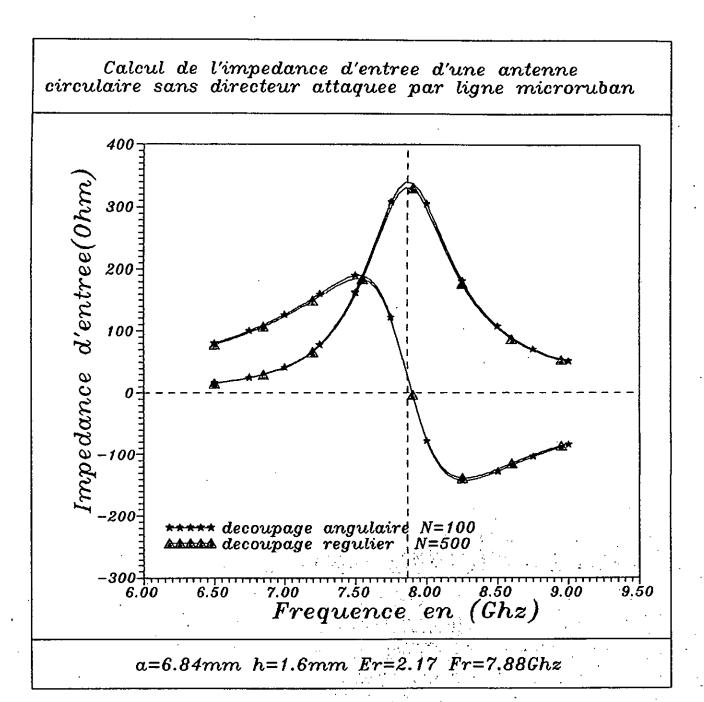
Ceci nous permet d'avoir une régularité de répartition de la . précision sur chaque tronçon.

Pour vérifier cette efficacité, nous avons fait les manipulations suivantes:

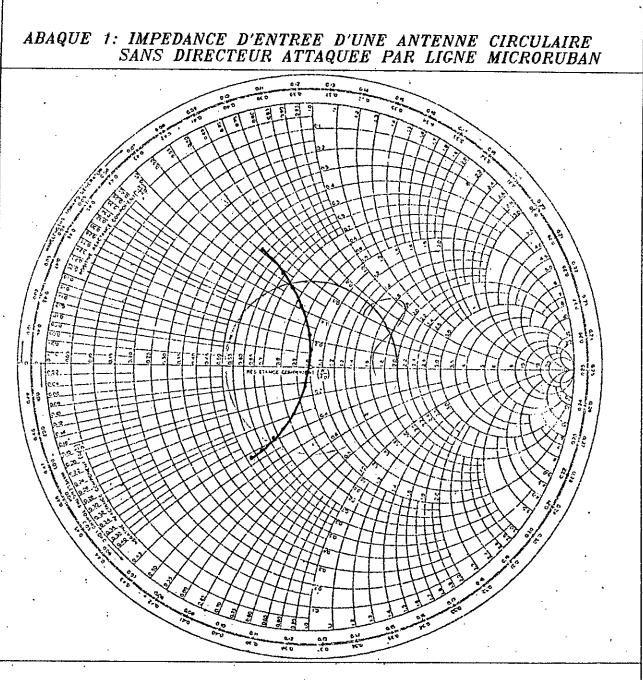
COMPARAISON DES RESULTATS:

A-ANTENNE SANS DIRECTEUR:

En premier lieu nous avons calculé l'impédance d'entrée en fonction de la fréquence avec les deux types de découpage pour une antenne circulaire sans directeur (graphe 2), de rayon a=6.84mm, d'épaisseur h=1.6mm et de permittivité Er=2.17. L'alimentation se fait par une ligne microruban d'épaisseur et de permittivité égales à celles de l'antenne possédant une largeur Wm=4.95mm pour une impédance caractéristique Z0=50 Ohms (voir annexe B). Cette largeur est égale à la largeur du douzième tronçon, calculée pour le découpage angulaire (N=100) et à celle du dix-huitième tronçon calculée pour le découpage régulier (N=500).



GRAPHE 2



Les principales caractéristiques de l'antenne isolée pour les deux types de découpage sont reportées dans le tableau I.

type de découpage	N	CREDM	СХЕЭМ	fr	fm	fм	Zo	BP %
Régulier	500	330.2	39. 56	7.88	7.63	8.18	328	6.95
Angulaire	100	338	40.3	7.88	7.63	8.18	338	6.95

N: est le nombre de découpage.

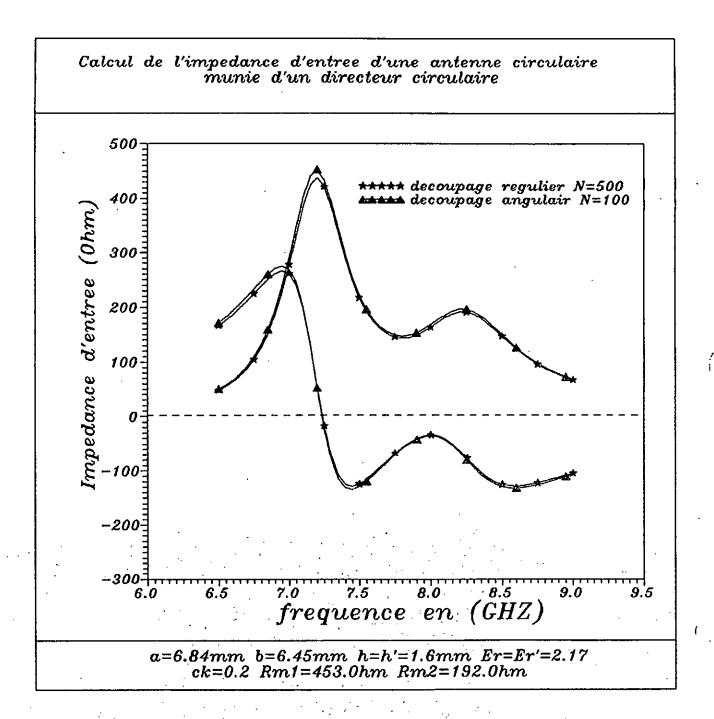
TABLEAU I

On remarque que l'impédance d'entrée maximale Ze=Re+jXe calculée par le découpage angulaire (N=100) est légèrment plus grande que celle déterminée par le découpage régulier (N=500), tandis que la fréquence de résonnance et la bande passante restent inchangées pour les deux types de découpage. Ceci est confirmé par le tracé du graphe 2 et l'abaque 1.

B-ANTENNE MUNIE D'UN DIRECTEUR:

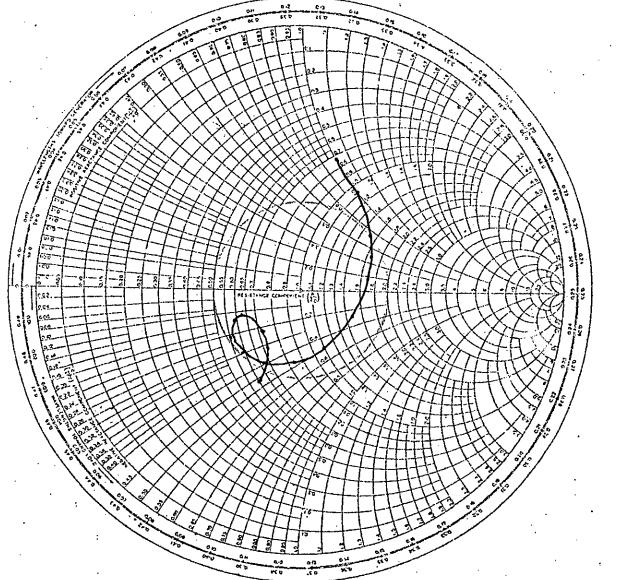
En second lieu, nous avons repris la même antenne et nous lui avons rajouté un directeur circulaire de rayon b=6.45mm, d'épaisseur et de permittivité égales à celles de l'antenne.

De même, nous avons calculé l'impédance d'entrée en fonction de la fréquence (Graphe 3) et les principales caractéristiques (tableau II) de l'antenne avec directeur pour les deux types de découpage.



GRAPHE 3

ABAQUE 2: IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE CIRCULAIRE
AVEC DIRECTEUR CIRCULAIRE



a=6.84mm B=6.45mm h'=h=1.6mm Er'=Er=2.17 fm=7.1Ghz fM=8.4Ghz BP=16.7% Ck=0.2

Tableau II : Influence du type de découpage et du coefficient de couplage sur l'impédance d'entrée $\mathbf{Z_E}$ de l'antenne plaque avec directeur

Dans ce tableau, on donne le maximum et le minimum de R_E et X_E , qui sont respectivement la partie réelle et la partie imaginaire de l'impédance d'entrée Z_E pour les deux types de découpage et de coefficient de couplage k (coefficient de la capacité de couplage C_k), dans le cas d'une antenne avec a= 6,84 mm, b= 6,45 mm, h=h'= 1,6 mm et $\mathcal{E}_r = \mathcal{E}_r = 2,17$. La colonne à droite de chaque grandeur donne la fréquence à laquelle l'effet se produit. f_{r1} et f_{r2} sont les fréquences de résonnance quand $X_E = 0$.

Type de découpage	N	K	(XE) _{Mq}	f _{XM1}	(R _E) _{M_j}	f _{RM1}	(XE)m	f _{Xm1}	(RE)ma	f _{Rmi}	(X _E) _M	f _{XM2}	(R _E) _M	f _{RM2}	(X _E) _m	f _{Xm2}	f _{r1}	f _{r2}	BP%
Régulier	500	0,2	266,2	6,95	438,4	7,2	-128,8	7,45	143,6	7,8	-33,9	8	191,8	8,25	-128,4	8,6	7,205	_	16.7
Angulaire	100	0,2	274,9	6,95	452,9	7,2	133,9	7,45	147,2	7,8	-35,6	8	196,4	8,25	131,7	8,6	7,205	-	16.7
Angulaire	100	0,12	282,4	7,15	479,7	7,45	-149	7,75	190	8,05	-145	8,55	191,2	8,10	_	-	7,505	_	12.7

* : Coefficient de couplage moyen .

Toutes les fréquences fxmi,frmi,fxmz,frmz et fr sont identiques pour les deux types de découpage. On note une légère augmentation en valeur absolue des impédances d'entrée pour le découpage angulaire, ceci se traduit par une élévation de cette courbe dans le graphe 2 sur celle du découpage régulier. La bande passante est déterminée à partir du tracé des deux courbe sur l'abaque de SMITH CAbaque 2) pour un T.O.S égal à deux. On remarque qu'elle reste inchangée pour les deux types de découpage.

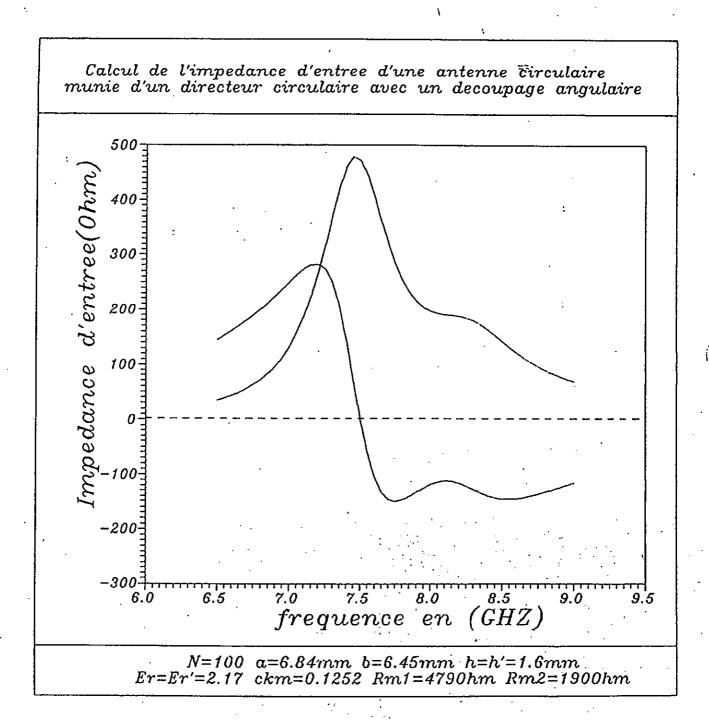
Les résultats obtenus pour les deux manipulations montrent que pour un découpage angulaire cinq fois moindre que celui d'un découpage régulier on obtient des résultats similaires.

INTRODUCTION DU COEFFICIENT DE COUPLAGE LINEIQUE:

Pour voir l'effet du coefficient de couplage linéïque on a introduit ce paramétre dans le calcul de l'impédance d'entrée de l'antenne circulaire avec directeur (Graphe 4).

A partir du graphe 4, on a déduit les différentes caractéristiques de l'antenne et complété le tableau II pour le coéfficient de couplage linéïque.

On remarque que le premier maximum de l'impédance d'entrée $(Z_E)_{M1} = (R_E)_{M1} + j(X_E)_{M1}$ se produit décalé de 0.25 Ghz par rapport à celui calculé par un coefficient de couplage fixe (k = 0.2).



GRAPHE 4

ABAQUE 3: IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE CIRCULAIRE AVEC DIRECTEUR CIRCULAIRE a=6.84mm B=6.45mm h'=h=1.6mm Er'=Er=2.17

fm=7.35Ghz fM=8.35Ghz BP=112.7% Ckm=0.1252

On note l'abssance du deuxième maximum $(R_E)_{M2}$ et que la susceptance $(X_E)_{M2}$ est trois fois plus faible que celles calculées pour un coefficient de couplage fixe.

La susceptance (XE)_{M2} est négative, par conséquent elle est capacitive et la boucle dans l'abaque de SMITH ne coupe pas l'axe des impédances réelles. Il y a donc absence de la deuxième fréquence de résonnance frz, et le point adaptant (1,0) reste en dehors de la boucle (voir Abaque 3). Ceci est dû à un coefficient de couplage inférieur à 0.19 (voir annexe D de [1]).

Sur l'abaque de SMITH (Abaque 3), les tracés des impédances d'entrée calculées par des coefficients de couplage linéïque et fixe, montrent que dans le cas du coefficient de couplage linéïque, la courbe descend un peu plus dans la partie négative (Capacitive) et que la boucle est beaucoup plus réduite, par conséquent la bande passante est plus faible.

la fréquence moyenne f = (frm1+frm2)/2 etant égal à 7.77 Ghz donc le critére de localistion du point double dans l'abaque de SMITH [5] est verifié. On a bien:

frmi=7.456Ghz $< \overline{f}$ =7.77Ghz < frmi=8.05Ghz < frmi=8.1Ghz frmiest la premiere fréquence antirésonnance de l'antenne.

Chambite IV

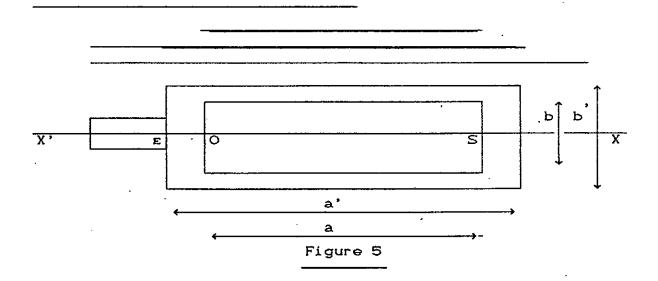
ETUDE DE QUELQUES CARACTERISTIQUES DES ANTENNES CARREES ET RECTANGULAIRES

Dans cette section nous allons étudier, l'effet des éléments parasites (directeur, couche d'air) sur les caractéristiques de l'antenne (bande passante, fréquence de résonnance...); de plus nous allons voir la validité de notre modèle en H/A pour des structures carrées et rectangulaires.

Nous allons d'abord adapter la méthode des lignes de transmission couplé à ses structures.

Dans ce cas le découpage n'est pas nécessaire, car tous les tronçons sont identiques. Par conséquent les impédances caractéristiques et les permétivités effectives sont constantes ainsi le temps d'exécution et l'espace mémoire seront minimaux.

A-CALCUL DE L'ADMITTANCE D'ENTREE



D'après (5) on déduit ys qui est l'admittance ramenée par le tronçon de longueur $\frac{a'-a}{2}$ et de largeur b',on aura:

$$Ys = tgh \left[\frac{\theta'}{a} \frac{a'-a}{2} \right]$$
 (40)

l'admittance ramenée au point O étant exprimée par (18), et on aura l'admittance d'entrée YE d'aprés (20), les exposons de transferts pour l'antenne et le directeur deviennent:

$$\theta' = (\alpha' + j \ge \pi \sqrt{\varepsilon e'}) A \qquad (41)$$

$$\theta = (\alpha + j 2 \pi \sqrt{\varepsilon_e}) A$$
 (42)

avec $A=a/\lambda o$, et les constantes de la matrice de transmissions s'écrivent:

C=R. a. c12.
$$\omega$$

d=(R/R')^{1/2}

C'=R'. a. c12. ω

D=1/2(d+1/d) (43)

L=C. d

L'=C'/d

M=c'. d=c/d

l'expression de la capacité mutuelle linéïque c12 se trouvera simplifiée ,on aura au lieu de C10)

c12= k
$$\varepsilon$$
0 $\sqrt{\frac{bb' \varepsilon r \varepsilon r'}{hh'}}$ (44)

k est le coefficient de couplage calculé dans l'annexe A et donné par la formule suivante: (45)

 $k = \left[\underbrace{\frac{(a + a)^{2}}{(a^{2} + b^{2})^{2}} + \underbrace{\frac{(a + a)^{2}}{(a^{2} + b^{2})^{2}} + \underbrace{\frac{(a + a)^{2}}{(a^{2} + a)^{2}} + \underbrace{\frac{(a + a)^{$

Four une antenne carrée on pose a'=b' et a=b.

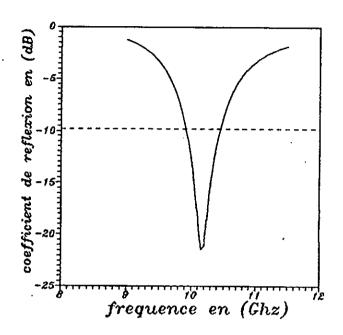
d=a d=a estrice de matrice de cas d'une antennante de cas d'une as disgonale principale.

Pour voir la position de notre mèthode (L.M.A) vis des des vis les des voir les des des des par des valleurs expérimentales, théoriques et celles des moments. Nous mèthodes plus laborieurs et esultate donnés pour une antenne sans directeur avons comparé les résultates donnés pour une celles (SI), (SI) avec celles obtennes par notre

programme, ceci est explicité par la suite.

inout d'abord on a calculé le coefficient de reflexion à l'entre rectangulaire l'entrée en fonction de la fréquence d'une antenne rectangulaire. I l'entrée en fonction de la frageur p'=10mm, de largeur p'=15mm, de la largeur p'=2.17. La d'épaisseur h'=0.758mm et de permittivité relative sv'=2.17. La bande passante est calculée pour un TOS (taux d'onde stationneire) égal à deux c'est à dire un coefficient de reflexion égal à -9.54 dB (graphe 5) et la fréquence de réconnance est déterminée pour la valeur maximale de la partie réelle de

l'impédance d'entrée YE c'est à dire la valeur minimal du coefficient de reflexion (graphe 5).



GRAPHE 5:COEFFICIENT DE REFLEXION A L'ENTREI D'UNE ANTENNE RECTANGULAIRE

a'=6.4mm , b'=15mm , h'=0.762mm Er!=2.17 , fm=9.905Ghz , fM=10.455Ghz fr=10.16Ghz , BP=5.4 % Z0=100 Ohm

Les résultats obtenus par notre programme et ceux donnés par l'article (3) sont résumé dans le tableaux ci dessous.

	mèthode des moments	notre programme	expérimentals
, BPC%)	4.7	5. 40	3.1
fr(Ghz)	9.52	10.16	9.80

TABLAU III

De même nous avons refait la même manipulation (graphe 6) mais en prenant une antenne carré de coté a'=6.4mm, d'épaisseur h'=0.8mm et de permittivité relative er'=2.55. dans le tableaux ci dessous nous avons reporté la fréquence de résonnance et la bande passante données par l'article [12] et celles donner par notre programme.

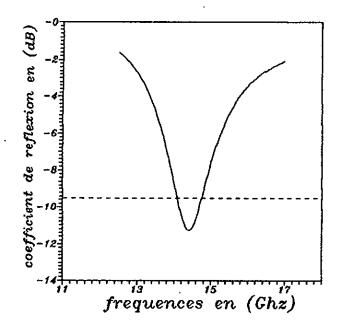
	Dubost [12]	notre programme	théorique(*)						
BPC%	4.46	4.58	4.56						
fr(Ghz)	14.75 //	14.36	13.06						
TABLAU IV									

*: Les valeurs théoriques de la bande passante et la fréquence de résonnace pour antenne carré s'écrivent [12]:

BP(%) =
$$\frac{100.4 \cdot \pi^{2} \cdot a' \cdot h'}{\sqrt{2.\varepsilon_{re'}} \cdot 5.\lambda_{o}^{2}}$$

$$f_{r} = \frac{1}{2\sqrt{\varepsilon_{e'}\mu_{o'}} \cdot (a' + 2\Delta)}$$

$$\Delta$$
=0.412.h' $\frac{(\varepsilon r \cdot e' + 0.3)(a'/h' + 0.26)}{(\varepsilon r \cdot e' - 0.26)(a'/h' + 0.81)}$



GRAPHE 6:COEFFICIENT DE REFLEXION A L'ENTREE D'UNE ANTENNE CARRE

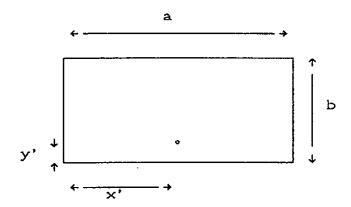
 $a'\!=\!6.4mm$, $h'\!=\!0.8mm$, $Er'\!=\!2.55$ fm=14.08Ghz , fM=14.74Ghz fr=14.365Ghz , BP=4.58 % Z0=100 Ohm

Les valeurs determinés par notre programme pour antennes sans directeur donnent une bonne approximation sur la bande passante reste le décalage de la fréquence de résonnance vers les hautes fréquences, dûe aux effets de bords qui ne sont pas considére dans nos programmes.

LA VALIDITE DE LA METHODE L. M. A EN H/A

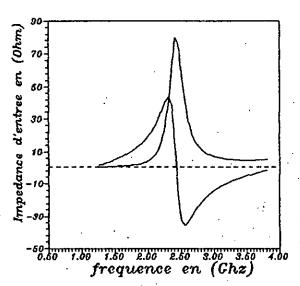
Pour étudier l'influence de H/λ sur la fréquence de résonnance, nous avons pris le cas d'une antenne fabriquée en polytétrafluoroéthylène (PTFE), qui a un angle de perte de l'ordre de 0.0015, une caractéristique diélectrique $\varepsilon_r=2.33$. L'antenne est attaquée par câble coaxial SMA (le diamétre de la sonde est $\phi=1.3$ mm). Le point d'attaque se situe aux coordonnées x'=a/2,

y'=1.5mm et z=0. Le tout est placé sur un plan de masse dè dimension $10cm \times 10cm$ [4].



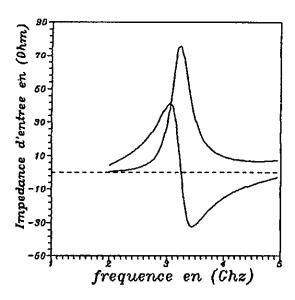
A partir du calcul des impédances d'entrée en fonction de la fréquence pour un jeu de onze antennes (graphes 7-8), on a determiné les fréquences de résonances corespandente.

Dans le graphe 7 on a fixé l'épaisseur et on a fait varier les dimensions de l'antenne (antennes I,II,...,IX), tandis que dans le graphe 8 on a fait varier l'épaisseur on gardant les mêmes dimensions (antennes X,V,XI).



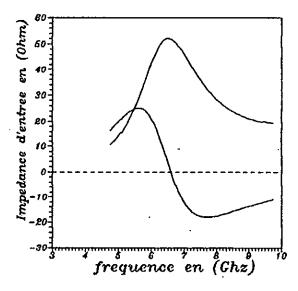
1: a=57mm, b=38mm, h=3.175mm Er=2.33, Fr=2.41Ghz, h/ =0.037

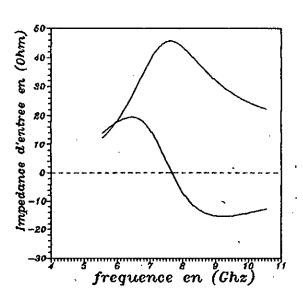
GRAPHE 7:INFLUENCE DES DIMENSION DE L'ANTENNE SUR LA FREQUENCE DE RESONNANCE



II : a=45.5mm, b=30.5mm, h=3.175mm Er=2.33, Fr=3.20Ghz, h/ =0.047

III: a=29.5mm, b=19.5mm, h=3.175mm Er=2.33, Fr=4.6Ghz, h/ =0.068

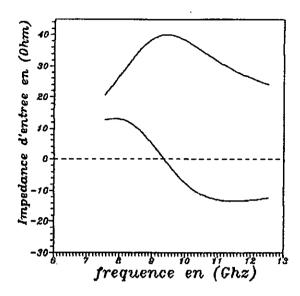




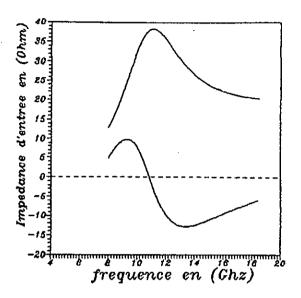
 $\mbox{IV}: a \! = \! 19.5 \mbox{mm} \mbox{, b} \! = \! 13 \mbox{ mm} \mbox{, h} \! = \! 3.175 \mbox{mm} \mbox{ Er} \! = \! 2.33 \mbox{, Fr} \! = \! 6.50 \mbox{Ghz} \mbox{, h} \! / \mbox{ =} \! 0.094 \mbox{}$

V: a=17 mm, b=11 mm, h=3.175mm Er=2.33, Fr=7.61Ghz, h/ =0.110

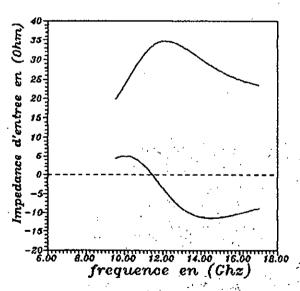
Graphe 7: Influence des dimensions de l'antenne sur la fréquence de résonnance



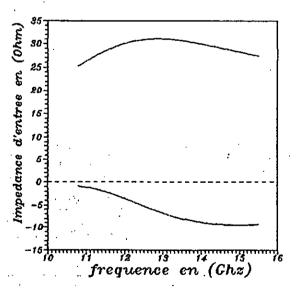
VI : o=14 mm, b=9 mm, h=3.175mm Er=2.33, Fr=9.30Ghz, h/ =0.125



VII : a=12 mm, b=8 mm, h=3.175mm Er=2.33, Fr=10.8Ghz, h/=0.141

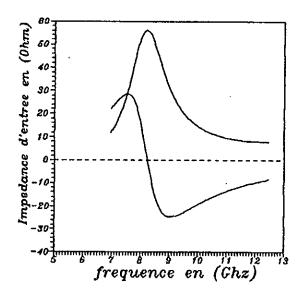


VIII : a=10.5mm, b=7 mm, h=3.175mm Er=2.33, Fr=11.5Ghz, h/ =0.148

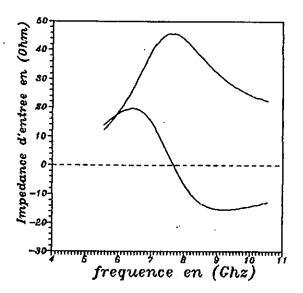


IX : a=9 mm, b=6 mm, h=3.175mm Er=2.33, Fr=12.90Ghz, h/ =0.166

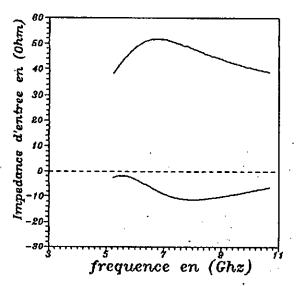
Graphe 7: Influence des dimensions de l'antenne sur la fréquence de résonnance



X : a=17 mm, b=11 mm, h=1.524mm Er=2.33, Fr=8.21Ghz, h/ =0.061



V : a=17 mm, b=11 mm, h=3.175mm Er=2.33, Fr=7.61Ghz, h/ =0.110



XI : a=17 mm, b=11 mm, h=9.525mm Er=2.33, Fr=6.79Ghz, h/ =0.229

Graphe 8: Influence de l'épaisseur de l'antenne sur la fréquence de résonnance

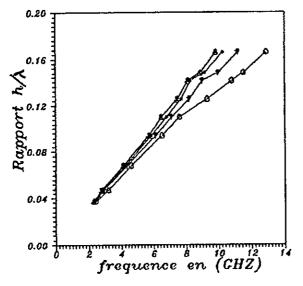
Le tableau V résume les résultats théoriques de JAMES (1981) et HAMMERSTAD (1975) ainsi que les travaux expérimentaux de CHANG (1986) et celles obtenues par la mèthode L.M.A.

						\	-4V	`.	
N ^o an- tenne	a(mm)	b(mm)	hC mmO	h/λ	€r	mesuré	JAMES	HAMME- RSTAD	notre modél
ı	57	38	3.175	0.037	2. 33	2. 31	2.30	2.38	2. 41
II	45.5	30.5	3.175	0.047	2. 33	2.89	2.79	2. 90	3.20
III	29.5	19.5	3.175	0.068	2. 33	4.24	4.11	4.34	4.60
IV	19.5	13	3.175	0.094	2. 33	5. 84	5.7	6.12	6. 50
V	17	11	3.175	0.110	2. 33	6.80	6. 47	7. 01	7, 60
VI	14	Q .	3.175	0.125	2. 33	7. 70	7. 46	8.19	9. 31
VII	12	8	3.175	0.141	2. 33	8. 27	8.13	9. 01	10.8
VIII	10.5	7	3.175	0.148	2. 33	9.14	8. 89	9.97	11.5
IX	9	6	3.175	0.166	2. 33	10.25	9. 82	11.18	12.9
									
х	17	11	1.524	0. 061	2. 33	7. 87	7.46	7.84	8. 21

х	17	11	1.524	0.061	2. 33	7. 87	7.46	7.84	8. 21
V	17	11	3.175	0.110	2. 33	6. 80	6. 47	7.01	7.60
XI	17	·1,1	9. 525	0. 229	2. 33	4.73	4.32	5. 27	6. 79

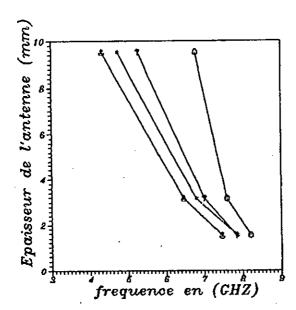
TABLEAU V

La comparaison de ses résultats est explicité par les graphes 0 et 10 qui mettent en évidence les limites de validité de la mèthode L. M. A en fonction de h/λ .



Craphe Grariation de la frequence de resonnance en fonction de h/ (h fixe)

**** mesure \$6854 d'opres JAMES 77777 d'opres HAMMERSTAD 80860 L.M.A



Craphe 10:variation de la frequence de resonnance en fonction de l'epaisseur (dimension de l'antenne fixe)

mesure ##### d'apres JANES ##### d'apres HAMMERSTAD 00000 L.M.A

CONSTATATIONS

Suite à notre travail de comparaison, nous faisons les constatations suivantes:

- La fréquence de résonnance augmente quand les dimensions de l'antenne diminue (graphe 7).
- La fréquence de résonnance diminue lorsque l'épaisseur h de l'antenne augmente (graphe 8).
- L'écart entre la fréquence de résonnance déterminée par notre modèle et celle mesurée par CHANG reste d'un ordre acceptable jusqu'à un rapport h/λ de l'ordre de 10% à partir duquel l'écart devient trop important voir graphe(9,10).

INTERPRETATIONS:

Etant donné que l'on utilise des antennes demi-onde pour lesquelles on a: $b=\lambda/2$ il est évident que la fréquence de résonnance augmente quand les dimensions de l'antenne diminuent.

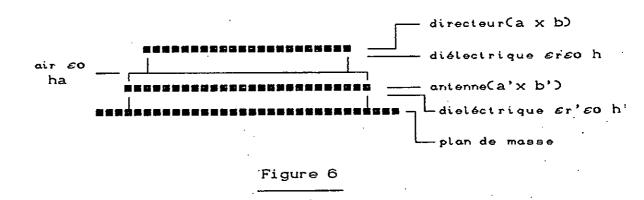
La diminution de la fréquence de résonnance lorsque l'épaisseur de l'antenne augmente est due à l'augmentation de sa cavité qui entraîne une augmentation de sa longueur d'onde.

Dans le modèle que nous avons utilisé, les ondes de surface ont été négligées. Par conséquent lorsque l'épaisseur h augmente devant les dimensions de l'antenne et que l'influence des ondes de surface devient plus importante et ne peut plus être négligée, notre modèle n'est plus valable à partir de $h/\lambda=10\%$.

INFLUENCE DE LA COUCHE D'AIR :

Pour des fréquences faibles, la permittivité relative doit être grande afin de réduire les dimensions de l'antenne. Par contre, pour des fréquences élevées il faut que la permittivité relative soit le plus faile possible afin d'éviter que les dimensions de l'antenne soient très réduites et ainsi éviter de rendre difficile la fabrication d'une telle antenne (les diélectriques usuel rentrant dans la fabrication des antennes plaques possèdent des permittivités relatives comprisent entre 2,1 et 9,8).

Nous avons introduit dans la structure d'A.P.M une couche d'air C figure 6).



La valeur de la permittivité relative devient:

$$\frac{H\tau}{\varepsilon re} = \sum_{i} \frac{Hi}{\varepsilon ri}$$
 (47)

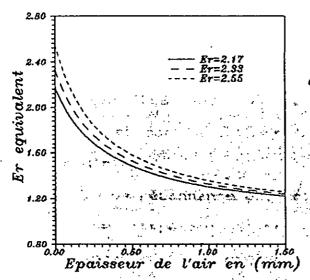
dans notre cas où HT = H' + Ha on a:

$$\varepsilon r e' = \varepsilon'_{r} = H' + Ha$$

$$H' + \varepsilon'_{r} Ha$$
(48)

avec H'et Ha sont les épaisseurs respectives de l'antenne et celle de l'air.

Le graphe 11 montre l'évolution de ε re' en fonction de l'épaisseur de l'air Ha pour H'=0.762mm et differente valeurs de ε r'.



CRAPHE 11:L'EVOLUTION DE Eroq EN FONCTION DE L'EPAISSEUR DE L'AIR

		Fréquence	e de rés en GHz	onnance	Bande passant en %				
No antenne	ha(mm)	methode moments	L. M. A	Expéri- mental	methode moments	L. M. A	Expéri- mental		
I	0.102	9. 27	3 . 23	9. 2	7.7	6.5	5.9		
II	0.152	9.2	9. 25	10.6	9.5	7.1	17.1		
III	0.203	9.2	9. 30	10.4	12	7.3	19.6		
IV	0.254	9.3	9. 35	10.4	21.3	12.6	8.5		
v	0.406	10	9. 35	9. 85	14.9	9.2	_		

TABLEAU VI

ha : est l'épaisseur de la couche d'air.

CONSTATATIONS ET INTERPRETATIONS:

La bande passante et la fréquence de résonnance suit l'augmentation de l'épaisseur de la couche d'air jusqu'un cas un optimum puis elles décroient.

Pour les résultats expérimentaux, on remarque l'existence d'un accroissement brusque inexplicable de la bande passante de 5.9% à 17.1% pour une variation de l'épaisseur de l'air de l'ordre de 5%.

Nous n'avons pas trouvé d'explication à cette variation, nous pensons qu'il faut pour cela examiner les conditions de l'expérience.

h : épaisseur de l'antenne.

Wn : largeur du tronçon.

$$Gn = Go. \frac{\sqrt{(\varepsilon e)n}}{h} \cdot \forall n$$

$$Gn = Go. \frac{\sqrt{(\varepsilon e)n}}{h}. \forall n$$

Enfin, on a l'expression de k :

$$k = \left[1 + \sqrt{\frac{(\varepsilon e)'n}{(\varepsilon e)'n}} \cdot \frac{h \cdot \forall n}{h' \cdot \forall n} \right]^{-1/2}$$

B- Calcul des ratios d'ouvertures pour antennes circulaire, rectangulaire et carré.

1-CALCUL DES RATIOS D'OUVERTURES POUR ANTENNE CIRCULAIRE:

ho et ho' sont les ratios d'ouvertures respectivement du directeur et de l'antenne.

$$\rho' = \frac{s'}{s' + s'} \qquad \qquad \frac{s1}{s1 + s}$$

s'et s1 : surfaces des bords (surface d'ouverture)

S'et S : surfaces métallique.

Soit une antenne circulaire de rayon a' et d'épaisseur h', et un directeur de même géometrie de rayon a et d'épaisseur h.

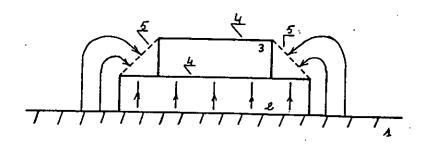


figure 7 : répartition de l'énergie sur une antenne circulaire

1: plan de masse

4: surface métallique de l'antenne

2: antenne

plus celle du directeur

3: directeur

5: surface d'ouverture entre l'antenne

et le directeur

La surface métallique du directeur se calcul immédiatement:

$$S = \pi . (a^{,2} + a^{,2})$$

Calculons la valeur de la surface d'ouverture pour le cas du directeur.

Cette surface représente la surface d'un cône tronqué qu'il faut déterminer à partir des données dont on dispose.

La surface d'un cône est : $s_c = \pi \cdot a \cdot r$

avec r : rayon de la base du cône,

et a : apothème du cone,

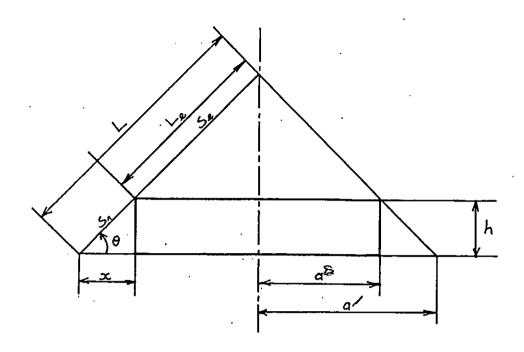


figure8: calcul de la surface métallique

La surface d'ouverture sera donc:

$$s_{1} = s_{c} - s_{2}$$

$$s_{c} = \pi \cdot a \cdot L$$

$$s_{2} = \pi \cdot a \cdot L_{2}$$

$$X = a' - a$$

$$\theta = Arctg \frac{h}{x}$$

$$L = \frac{a'}{cos(\theta)} \qquad et \qquad L_{2} = \frac{a}{cos(\theta)}$$

$$s_{1} = \pi \cdot (a'L - aL_{2})$$

$$s_1 = \pi \left(a^2 - a^2\right) \cdot \left[\cos\left(\operatorname{Arctg}\left(\frac{h}{a^2 - a}\right)\right)\right]^{-1}$$

d'où son ratio d'ouverture

$$\rho = \left[1 + \frac{a^2 + a^2}{a^2 - a^2} \cos\left(Arctg\left(\frac{h}{a^2 - a}\right)\right)\right]^{-1}$$

La surface métallique et d'ouverture pour l'antenne s'ecrivent:

$$S' = 2.\pi.a^{2}$$

$$s' = 2.\pi.a'.h'$$

d'où son ratio d'ouverture

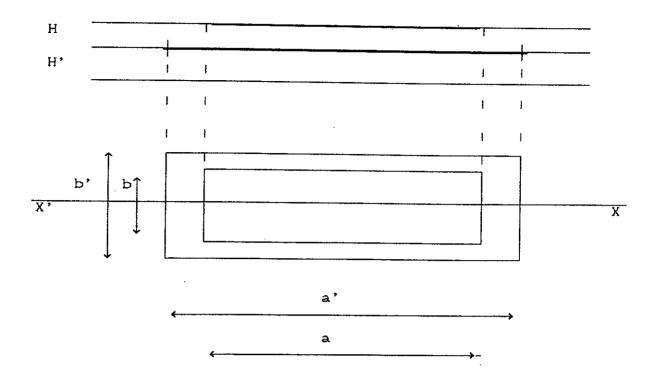
$$\rho' = \left(1 + \frac{a'}{h'}\right)^{-1}$$

et le coefficient de couplage pour antenne circulaire s'ecrit:

$$k = \left[\left(1 + \sqrt{\frac{(er)_n}{(er)_n}} \frac{h \cdot w_n}{h' \cdot w_n} \right) \left(1 + \frac{a^{2} + a^2}{a^{2} - a^2} \cos \left(Arctg \left(\frac{h}{a' - a} \right) \right) \right) \left(1 + \frac{a'}{h'} \right) \right]^{-1/2}$$

 w_n ' et w_n sont respectivement les largeurs des tronçons pour l'antenne et le directeur.

2-CALCUL DU COEFFICIENT DE COUPLAGE POUR ANTENNE RECTANGULAIRE ET CARREE:



Soit une antenne rectangulaire de longueur a', largeur b' et épaisseur h', et un directeur de longueur a, largeur b et épaisseur h.

La surface d'ouverture et métallique de l'antenne s'écrivent respectivement:

$$s' = 2.(a' + b'). h'$$

 $s' = 2.a'.b'$

d'où son ratio d'ouverture:

$$\rho' = \left[1 + \frac{a'.b'}{(a'+b').h'}\right]^{-1}$$

La surface d'ouverture et métallique du directeur s'ecrivent respectivement

$$s = (p+p,) \sqrt{\frac{S}{h_s + (p, -p)}} + (a+p,) \sqrt{\frac{S}{h_s + (p, -p)}}$$

$$S = ab + a'b'$$

d'où son ratio d'ouverture:

$$\rho = \left[1 + \frac{a b + a'b'}{(b+b') \sqrt{h^2 + (a'-a)} + (a+a') \sqrt{h^2 + (b'-b)}} \right]^{-1}$$

donc le coefficient de couplage pour une antenne rectangulaire s'écrit:

$$k = \left[\left(1 + \sqrt{\frac{(er)^{2}n}{(er)^{2}n}} \frac{h^{2}b^{2}}{h^{2}b^{2}} \right) \left(1 + \frac{a^{2}b^{2}}{(a^{2}+b^{2})h^{2}} \right) \left(1 + \frac{ab^{2}b^{2}}{(b^{2}+b^{2})} + \frac{ab^{2}ab^{2}ab^{2}}{(a^{2}+a^{2})} + \frac{ab^{2}ab^{2}ab^{2}}{(a^{2}+a^{2})} \right) \right]$$

Pour une antenne carrée on a: a = b et a' = b'
et le coefficient de couplage pour antenne carrée s'ecrit:

$$k = \left[\left(1 + \sqrt{\frac{c_{a} + b_{a}}{c_{a} + b_{a}}} + \frac{b_{a}}{b_{a}} \right) \left(1 + \frac{a_{a}}{2b_{a}} \right) \left(1 + \frac{a_{a}}{2b_{a}} + \frac{a_{a} + a_{a}}{2b_{a}} + \frac{a_{a} + a_{a}}{2b_{a}} + \frac{a_{a} + a_{a}}{2b_{a}} \right) \right] - 1/2$$

3-CONCLUSION:

Cette modélisation, nous évite la recherche d'un coefficient de couplage K moyen pour l'ensemble de la structure et permet de serrer de plus près la réalité au niveau de chaque tronçon élémentaire.

CALCUL DE LA LARGEUR ET DE L'IMPEDANCE CARACTERISTIQUE DE LA LIGNE MICRORUBAN

La ligne microruban ce caractérise par sa largeur, sa hauteur, sa permitivité et son impédance caractéristique.

Ces caractéristiques s'expriment l'une en fonction des autres.

CALCUL DE W/h [11]

$$Si \frac{W}{h} > 2$$

$$\frac{W}{2h}\pi = \frac{377 \pi}{2\sqrt{\varepsilon r} \text{ Zom}} - 1 - \text{Log}_{e} \left[\frac{377 \pi}{\sqrt{\varepsilon r} \text{ Zom}} - 1 \right] + \frac{\varepsilon r - 1}{2\varepsilon r} \left[\text{Log}_{e} \left[\frac{377 \pi}{2\sqrt{\varepsilon r} \text{ Zom}} - 1 \right] + 0.293 - \frac{0.517}{\varepsilon r} \right]$$

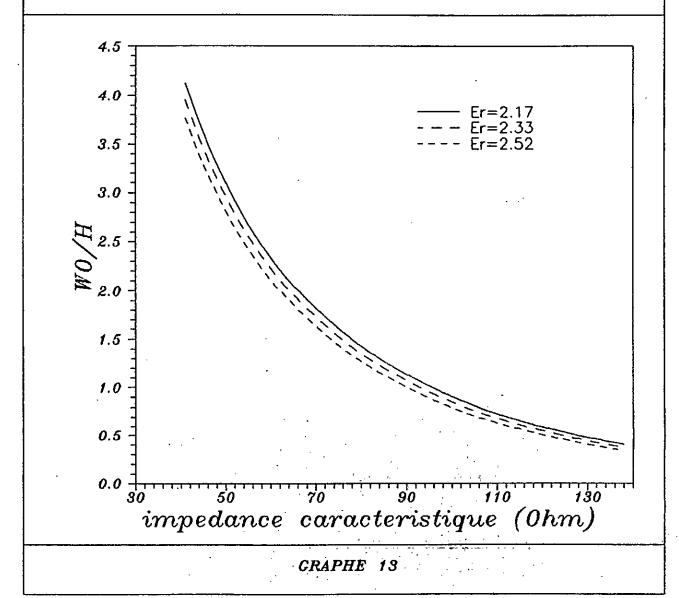
$$si \frac{w}{h} < s$$

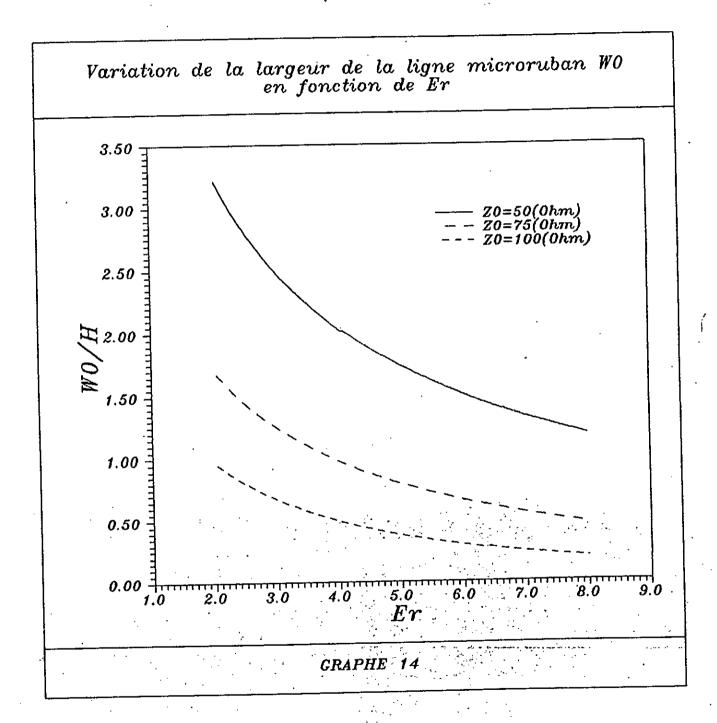
$$\frac{Sh}{Sh} = \frac{S}{exb(h, 3)} - exb(-h, 3)$$

où h' est donnée par la formule suivante:

$$h' = \sqrt{\frac{\varepsilon r + 1}{2}} \cdot \frac{Zom}{60} + \frac{\varepsilon r - 1}{\varepsilon r + 1} = 0.226 + \frac{0.12}{\varepsilon r}$$







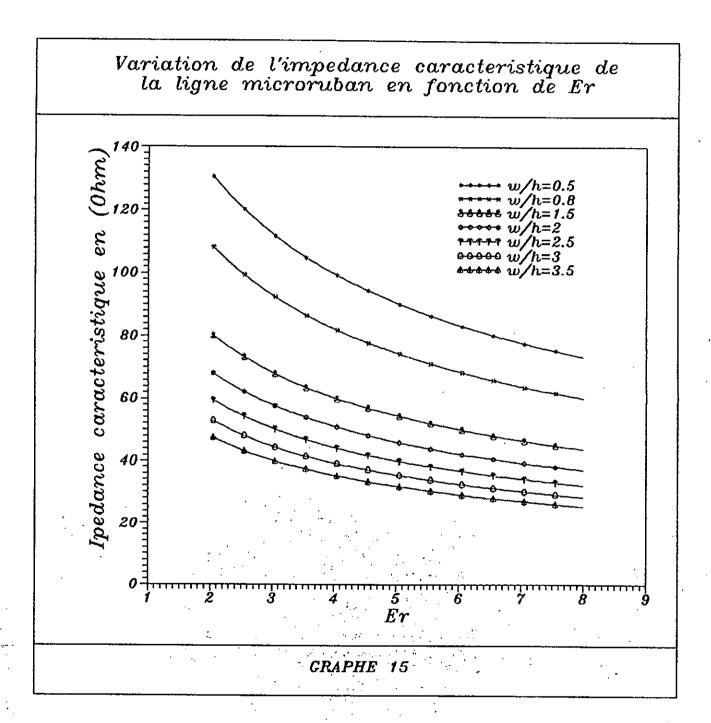
On vois bien que W/H s'exprime en fonction de Zom et de εr . Pour rendre ses formules plus exploitable, nous avons tracé W/H en fonction de Zom pour des valeurs de εr (Graphe 13) et W/H en fonction de εr pour des valeurs de Zom (Graphe 14).

CALCUL DE L'IMPEDANCE CARACTERISTIQUE [12]:

Si
$$\frac{W}{+}$$
 <1
$$Zom = \frac{60}{\sqrt{\varepsilon r_e}} Log_e \left[\frac{8h}{W} + 0.25 \frac{W}{h} \right]$$

Si
$$\rightarrow$$
 1
$$Zom = \frac{120 \pi}{\sqrt{\epsilon r}} \left[\frac{W}{h} + 1.393 + 0.667 \text{ Log}_{e} \left[\frac{W}{h} + 1.444 \right] \right]$$

On vois bien que Zom s'exprime en fonction de ε r et W/H alors on a tracé Zom en fonction de ε r pour differents valeurs de W/H (Graphe 15).



CHOIX DE L'IMPEDANCE DE NORMALISATION

L'impédance de normalisation Zo est choisie pour centrer le mieux possible la bande sur l'axe des réels.

Pour cela nous avons opté pour la formule empirique suivante [1]:

$$Z_0 = \frac{RM1 + RM2 + Rm}{3}$$

Avec Rm1: première résistance maximale

Rмz: deuxième résistance maximale

Rm: résistance minimale

Et Zo doit obéïr aux critères suivants:

1 < 2

Lorsque cela n'est pas possible on prend Zo= 2. Rm

Bibliographie

BIBLIOGRAPHIE

[1] A.ZERGUERRAS.

"Contribution à l'étude d'antennes plaques de forme quelconque multicouches à large bande. application à l'antenne plaque circulaire avec dirécteur"

Thèse de doctorat d'état soutenue à l'E.N.P le 20/05/90

- [2] E.CHANG , S.A.LONG and W.F.RICHARDS
 "An experimental investigation of electrically thinck rectangular microstripe antenna"
 IEEE AP vol 34 , N° 6 , juin 1986
- [3] TSIEN MING AU et KWAI MAN LUK "Effet of Parasitic Element on the Characteristics of microstrip antenna" IEEE AP vol 39 , N° 8 , aout 1991
- [4] Med .KARA et Med .HELAL "Elargissement de bande passante des antennes plaques microruban à l'aide d'un directeur application aux formes polygonales" proojet de fin d'études soutenue en 1992
- [5] A.ZERGUERRAS et R.AKSAS

 "Etude du coefficient de couplage entre lignes superposées"

 Algerian journal of technology , N° 9, pp 21-31 , 1993
- [6] SAMET ABDELAZIZ Ingénieur ENSEA .

 "Analyse des antennes plaques de forme arbitraire par la

méthode des lignes de transmission"
soutenu le 28 septembre 1988 pour l'obtention d'un diplome
d'études approfondies

- [7] P.K.AGRAWAL , MC BAILEY

 "An analyse technique for microstripe antennas"

 IEEE , AP vol 25 , pp 755 759 ,1977
- [8] R.E.MUNSON
 "Conformal microstrip antennas and microstrip phased arrays"
 IEEE AP vol 22 , pp 74 78 ,1974.
- [9] A.ZERGUERRAS et R.AKSAS

 "Modelisation d'antennes plaques multicouches de formes
 arbitraire en mode TEM"

 Algerian journal of technology , N° 8 ,pp 1 34 ,1992
- [10] A.K.BHATTACHARYYA and R.GARY
 "Arrays of horizon tally polarized loop-fed slotted cylinder
 antennas"
 IEEE ,AP vol 33 ,N° 4 , pp 369, april 1985
 d'études approfondies
- [11] K.C.GUPTA , RAMESH GARG I.J.BAHL
 "Microstrip lines and slot lines"
 pp 11-12
- [12] G.DUBOST , G.BEAUQUET

 "Patch antenna bandwidth increase by means of a director"

 ELECTRONICS LETTRES 4th December 1986 vol.22 pp 1345-1347
- [13] K.C.GUPTA ,RAMESH GARG ,RAKESH CHADHA

 "computeraided design of microwave circuits" pp-60

Programmes

CALCUL DE L'IMPEDANCE D'ENTREE D'UNE ANTENNE CIRCULAIRE AVEC DIRECTEUR CIRCULAIRE MUNIE D'UN DECOUPAGE ANGULAIRE LE COEFFICIENT DE COUPLAGE EST COMPLETEMENT MODELISE

```
real d(200),c(200),cp(200),ra(0:200),xk(0:200)
     real alpha(200), alphap(200), ere(200), erep(200)
     real w(200), wp(200), x(200), sigma, r(200), rp(200)
     real wshc(200), wshcp(200), deltx(200), ck(200)
     complex teta(200), tetap(200), tn(200,4,4), t(4,4)
     complex tp(4,4),tu(4,4),tr(4,4)
     complex gamman(0: 200), gamma0(0: 200), ye(0: 200), yte(0: 200)
      complex zte(0:200),ys(0:200)
      complex z,zero,un,tt,ttp,ch,chp,sh,shp,vpin
      real zter(0:200), ztei(0:200), re(0:200)
      character fichier*8,extn*4,ref*4
      pi =3.141592654
      un=cmpl \times (1,0)
      zero=cmplx(0,0)
      z=cmplx(0,1)
      DEMANDE DES DONNEES
      print*, 'donner le nom de fichier ou seront les resultats: '
25
      read*,ref
      extn='.dat'
      fichier=ref//extn
      open(47,file=fichier,status='unknown')
      print*,'donnez N'
      read*,n
      print*,'donnez h non normalise en mm'
      read*, hnn
       hnn=hnn*1e-3
      print*,'donnez h prime non normalise en mm'
       read*, hpnn
       hpnn=hpnn*1e-3
       print*, 'donnez a non normalise en mm'
       read*,ann
       ann=ann*1e-3
       print*,'donnez b non normalise en mm'
       read*,bnn
       bnn=bnn*1e-3
       print*,'donnez la premiere frequence f en GHz'
       read*,f1
       f1=f1 *1 e9
       print*,'donnez le pas de progression en GHz'
       read*, pas
       pas=pas*1e9
       print*,'donnez le nombre de pas'
       read*, n1
       print*,'donnez epsilon r'
       read*,er
       print*,'donnez epsilon r prime'
```

C

c

read*, erp

```
ds=22*1e-6
       td=0.001
       do 300 l=0,n1
       f=f1+l*pas
       raCl)=f
C
C
      NORMALISATION DES DONNES
c
      a=2*ann*f/3e8
      b=2*bnn*f/3e8
      h=hnn*f/3e8
      hp=hpnn*f/3e8
C
C
      CALCUL DE YS
C
      omega=2*pi *f
      e0=1/(36*pi *1e9)
      sigma=(ann**2)*acos(bnn/ann)-bnn*sqrt(abs((ann**2)-(bnn**2)))
      o=sqrt(abs((ann**2)-(bnn**2)))
      o1 =1 2*hpnn/o+1
      o2=1/sqrt(o1)
      ee=(erp+1)/2+(erp-1)*o2/2
      o3=omega*e0*ee*sigma/hpnn
      ys(1)=z*o3
C
C
      CALCUL DE YE
C
      xk(0) = -1
      do 100 i=1,n
C
      CALCUL DE X
C
C
      ct=pi-i*pi/n
      xk(i)=cos(ct)
      dt=xk(i)
      et=xk(i-1)
      x(i) = (b/2) * (1 + (dt + et)/2)
      xCi)=b*C2*i-1)/C2*n)
C
C
      CALCUL DE LA LONGEUR DES TRONCON
C
C
      deltx(i)=(b/2)*abs(dt-et)
      CALCUL DE W
C
C
       wCi)=2*sqrtCb*xCi)-xCi)*xCi))
C
С
      CALCUL DE W PRIME
C
      o=x(i)+(a-b)/2
      wp(i)=2*sqrt(a*o-d*o)
C
      TEST SUR LE RAPPORT W/h
C
```

C

```
if (w(i).le.h) goto 500
C
      SI W/H EST SUPERIEUR A 1 ALORS
C
C
      CALCUL DE EPSILONE e
C
C
      o=(er+1)/2
      o1=(er-1)/2
      o2=1/sqrt(1+12*h/w(i))
      ere(i)=o+o1*o2
C
      CALCUL DE W/H CORRIGE
C
      wshc(i)=((w(i)/h)+1.393+0.667*alog((w(i)/h)+1.444))
C
      CALCUL DE r
C
      r(i)=(120*pi)/(sqrt(ere(i))*wshc(i))
C
C
      CALCUL DE TETA
C
C
      o=4*pi*pi*pi*h*h*wshc(i)/5
       o1=pi*sqrt(ere(i))*td
       o2=ds*pi*120*pi/(w(i)*r(i))
       o3=2*pi*sqrt(ere(i))*deltx(i)
       04=(0+01+02)*deltx(i)
       teta(i)=cmplx(o4,o3)
       goto 600
       SI W/h EST INFERIEUR OU EGAL A UN ALORS
C
C
 ¢
       CALCUL DE EPSILONE e
 C
 C
       o=(er+1)/2
 500
       o1 = (er - 1)/2
       o2=1/sqrt(1+12*h/w(i))+0.04*(1-w(i)/h)*(1-w(i)/h)
       ere(i)=o+o1*o2
 C
       CALCUL DE W/H CORRIGE
 C
 o=(8*h/w(i))+(0.25*w(i)/h)
        wshc(i)=1/alog(o)
 C
        CALCUL DE r
 C
 C
        r(i)=(60/wshc(i))/sqrt(ere(i))
 C
        CALCUL DE TETA
 C
 C
        o=4*pi*pi*pi*h*h*wshc(i)/5
        o1=pi*sqrt(ere(i))*td
        o2=ds*pi*120*pi/(w(i)*r(i))
        o3=2*pi*sqrt(ere(i))*deltx(i)
        o4=(o+o1+o2)*deltx(i)
        teta(i)=cmplx(o4,o3)
```

```
C
      TEST SUR LE RAPPORT WP/HP
C
C
600
      if (wp(i).le.hp) goto 700
¢
C
      SI WP/HP EST SUPERIEURE A UN ALORS
C
      CALCUL DE EPSILONNE PRIME
C
      o=(erp+1)/2
      o1=(erp-1)/2
      o2=1/sgrt(1+12*hp/wp(i))
      erep(i)=o+o1 \times o2
C
      CALCUL DE WP/HP CORRIGE
C
c
      wshcp(i)=((wp(i)/hp)+1.393+0.667*alog((wp(i)/hp)+1.444))
c
      CALCUL DE R PRIME
c
      rp(i)=(120*pi)/(sqrt(erep(i))*wshcp(i))
C
      CALCUL TETA PRIME
C
C
      o=4*pi*pi*pi*hp*hp*wshcp(i)/5
      o1=pi*sqrt(erep(i))*td
      o2=ds*pi*120*pi/(wp(i)*rp(i))
      o3=2*pi*sqrt(erep(i))*deltx(i)
      o4=(o+o1+o2)*deltx(i)
      tetap(i) = cmpl x(o4,o3)
      goto 800
C
C
      CALCUL DE EPSILONNE PRIME Ep
700
      o=(erp+1)/2
      o1 = (erp-1)/2
      o2=1/sqrt(1+12*hp/wp(i))+0.04*(1-wp(i)/hp)*(1-wp(i)/hp)
      erep(i)=o+o1*o2
C
      CALCUL DE WP/HP CORRIGE
С
c
      o=(8*hp/wp(i))+(0.25*wp(i)/hp)
      wshcp(i)=1/alog(o)
C
      CALCUL DE R PRIME
C
C
      rp(i)=(60/wshcp(i))/sqrt(erep(i))
C
      CALCUL DE TETA PRIME
C
¢
      o=4*pi*pi*pi*hp*hp*wshcp(i)/5
      o1 =pi *sqrt(erep(i)) *td
      o2=ds*pi*120*pi/Cwp(i)*rp(i))
      o3=2*pi*sqrt(erep(i))*deltx(i)
      o4=Co+o1+o2)*deltxCi)
```

```
tetap(i) = cmpl \times (o4, o3)
C
C
      CALCUL DE d
C
800
      d(i)=sqrt(r(i)/rp(i))
C
      CALCUL DE C12
C
c
      rot1 = sqrt(1/(1+ann/hpnn))
      r1=hnn/(ann-bnn)
      r2=atan(r1)
      r3=(ann*ann+bnn*bnn)*cos(r2)/(ann*ann-bnn*bnn)
      rot2=sqrt(1/(1+r3))
      rot=rot1*rot2
      r4=sqrt(erep(i)/ere(i))*h*wp(i)/(hp*w(i))
      rot3=sqrt(1/(1+r4))
      ck(i)=rot*rot3
      o=er*w(i)*erp*wp(i)
      01 =h×hp
      c12=e0*ck(i)*sqrt(o/o1)
C
C
      CALCUL DE c
C
      c(i)=r(i)*pi*3e8*c12*deltx(i)
C
      CALCUL DE c PRIME
c
C
      cp(i)=rp(i)*pi*3e8*c12*deltx(i)
C
      CALCUL DES COSH ET SINH DE TETA ET DE TETA PRIME
C
C
      tt=teta(i)
      ttp=tetap(i)
      call coshy(tt,ch)
      call sinhy(tt,sh)
      call coshy(ttp,chp)
      call sinhy(ttp,shp)
С
      CALCUL DES COEFFICIENTS DE LA MATRICE
C
      tnCi,1,1)=ch+0.5*CdCi)+1/dCi))*sh+z*cCi)*Cch+dCi)*sh
      tn(i,1,2)=-0.5*(d(i)-1/d(i))*sh+z*c(i)*(ch+d(i)*sh)
      tn(i,1,3)=-z*cp(i)*(ch+d(i)*sh)
      tn(i,1,4) = -z \times cp(i) \times (ch+d(i) \times sh)
      tn(i,2,1)=0.5*(d(i)-1/d(i))*sh-z*c(i)*(ch-d(i)*sh)
      tn(i,2,2)=ch-0.5*(d(i)+1/d(i))*sh-z*c(i)*(ch-d(i)*sh)
      tn(i,2,3)=z*cp(i)*(ch-d(i)*sh)
      tn(i,2,4)=z*cp(i)*(ch-d(i)*sh)
      tn(i,3,1) = -z * c(i) * (chp + shp/d(i))
      tn(i,3,2) = -z*c(i)*(chp+shp/d(i))
      tn(i,3,3) = chp+0.5*(d(i)+1/d(i))*shp+z*cp(i)*(chp+shp/d(i))
      tn(i,3,4)=-0.5*(-d(i)+1/d(i))*shp+z*cp(i)*(chp+shp/d(i))
      tn(i,4,1)=z*c(i)*(chp-shp/d(i))
      tn(i,4,2)=tn(i,4,1)
      tn(i,4,3)=0.5*(-d(i)+1/d(i))*shp-z*cp(i)*(chp-shp/d(i))
```

```
tn(i,4,4) = chp-0.5 \times (d(i)+1/d(i)) \times shp-z \times cp(i) \times (chp-shp/d(i))
100
      continue
      print*,'NOUS SOMMES AU PAS ',1
C
     CALCUL DU COEFFICIENT DE COUPLAGE MOYEN
C
C
      ck1 = 0
      do 2 i=1,n
      ck1=ck1+ck(i)
2
       continue
      ck2=ck1/n
      print*,'ck=',ck2
c
      CALCUL DU PRODUITS DES MATRICES
C
C
      do 20 i=1,4
      do 20 j=1,4
      tpCi,j>=tnCn,i,j>
20
      continue
      do 30 i=n-1,1,-1
      do 40 j=1,4
      do 40 k=1,4
      tuCj,k)=tnCi,j,k)
40
      continue
      call mutmat(tu, 4, 4, tp, 4, 4, tr, 4, 4, 4, 4, 4)
      do 50 j=1,4
      do 50 k=1,4
      tpCj,k>=trCj,k>
50
      continue
30
      continue
      do 60 i=1,4
      do 60 j=1,4
      tCi,j)=tpCi,j)
60
      continue
C
      RESOLUTION DU SYSTEME
C
C
      CALCUL DE GAMMA N
C
C
      gamman(1)=(1-ys(1)*sqrt(r(1)*rp(1)))/(1+ys(1)*sqrt(r(1)*
     *rp(1)))
C
      CALCUL DE V PRIME N
C
C
      vpin=(t(2,1)+t(2,2)-t(1,1)-t(1,2))/(t(1,3)-t(2,3)+
     *gamman(1)*(t(1,4)-t(2,4)))
C
      CALCUL DE GAMMA O
C
C
      gammaO(1) = (t(4,1)+t(4,2)+vpin*(t(4,3)+gamman(1)*t(4,4)))
     *(t(3,1)+t(3,2)+vpin*(t(3,3)+gamman(1)*t(3,4)))
C
      CALCUL DE YE
C
      ye(1)=(1-gamma0(1))/(1+gamma0(1))
```

```
ye(1)=ye(1)/sqrt(r(1)*rp(1))
C
      CALCUL DE RE
C
¢
      re(1)=1/ye(1)
¢
      CALCUL DE YE TOTAL
C
C
      yte(1)=ye(1)+ys(1)
C
С
      CALCUL DE ZE TOTAL
c
      zte(1)=1/yte(1)
      zter(1)=real(zte(1))
      ztei(l) = ai mag(zte(l))
300
      continue
C
      ECRITURE DES RESULTATS DANS LE FICHIER
C
C
      f0=f0/1e9
      do 400 k=0,n1
      ra(k)=ra(k)/1e9
400
      continue
       write(47,9994)(ra(i),zter(i),ztei(i),i=0,n1)
9994
      for mat(5x, f9.6, 6x, e10.4, 6x, 6x, e10.4/)
      print*,'VOULEZ VOUS RECOMMENCER'
      read*,rep
      if (rep.eq.1) goto 25
      end
      subroutine coshy(t,ch)
      complex t,ch
      ch=0.5*(cexp(t)+cexp(-t))
      return
      end
      subroutine sinhy(t,sh)
      complex t,sh
      sh=0.5*(cexp(t)-cexp(-t))
      return
      end
      SUBROUTINE MUTMATCA, NA, MA, B, NB, MB, C, NC, MC, L, M, ND
C
С
      CE SOUS-PROGRAMME CALCUL LE PRODUIT DE DEUX MATRICES
       _______
      COMPLEX A,B,C
      DIMENSION ACNA, MAD, BCNB, MBD, CCNC, MCD
      DO 1 I=1,L
      DO 1 J=1,N
      C(I,J)=0
      DO 1 K=1,M
      CCI, JD = ACI, KD * BCK, JD + CCI, JD
1
      CONTINUE
      RETURN
      END
```

