

Université des Sciences et de la Technologie  
Houari BOUMEDIENE

—oo—

## ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE D'ALGER

DEPARTEMENT D'ELECTRONIQUE



SIMULATION D'UN REACTEUR NUCLEAIRE

PWR 900 MWe

Proposé et suivi par :

Mr H. TEDJINI : Dr Ingénieur

Mlle M. AMINI : Dr Ingénieur

Etudié par :

A. LARABI

M. EL MOALLEM

Ministère de l'Enseignement Supérieur et de la Recherche Scientifique

Université des Sciences et de la Technologie

Houari BOUMEDIENE

—oOo—

## ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE D'ALGER

DEPARTEMENT D'ELECTRONIQUE

PROJET DE FIN D'ETUDES

INGENIORAT D'ETAT EN ELECTRONIQUE

SIMULATION D'UN REACTEUR NUCLEAIRE

PWR 900 MWe

Proposé et suivi par :

Mr H. TEDJINI : Dr Ingénieur

Mlle M. AMINI : Dr Ingénieur

Etudié par :

A. LARABI

M. EL MOALLEM

JUIN 82

-o- REMERCIEMENTS -o-

Nous tenons à remercier M. B SANSAL Responsable de la Division "5" pour nous avoir reçu dans sa Division.

Nous tenons aussi à remercier Mlle. AMINI ainsi que M. TEDJINI pour l'intérêt qu'ils ont prêté à notre travail et les conseils qu'ils nous ont prodigués.

Nous remercions M. TOUMI pour ses critiques et sa compréhension.

Nos remerciements vont aussi à M. ZEGOUR du C.E.R.I. ainsi que le groupe du Centre de Calcul et particulièrement à MM. BENDAIFALLAH et BADACHE.

Enfin, nous exprimons notre gratitude aux personnes qui ont participées à la réalisation matérielle de cette Thèse et plus particulièrement à :

Mlles. NACERA et FAZIA

MM. A. KOUFFA et N. LARABI

M. ABDELKADER le Directeur de l'E.M.C. pour nous avoir aidé avec beaucoup de compréhension et de gentillesse à résoudre le problème de frappe.

M. ALI-LARABI membre de l'A.P.C de DRARIA

M. B. MOKRANE Directeur d'Ecole (Oued Roumane)

M. LAAZIB et M. ABDI pour le tirage.

Que tous les professeurs qui ont contribués à notre formation trouvent ici notre profonde reconnaissance.

-- DEDICACES --

- A la mémoire de mon grand-père
- A mes parents
- A tous mes frères et soeurs
- A ma fiancée, et sa famille
- A ~~mon~~ ami Mohamed
- A tous ceux qui me sont chers

ABDELKADER

- A la mémoire de mon père
- A ma mère
- A mes frères et soeurs
- A mes amis et en particulier Djamel

MOHAMED

-o- TABLE DES MATIERES -o-

INTRODUCTION

Chapitre I - PRESENTATION DE LA SIMULATION

- I - Généralités
- II - Rappels et définitions
- III - Notions d'état

Chapitre II - DESCRIPTION DU REACTEUR NUCLEAIRE A EAU PRESSURISE

- VI- Description technique
- II - Régulation de la centrale

Chapitre III - MODELE DU REACTEUR

- I - Modèle neutronique
  - I - 1- Rappels sur la neutronique
    - a- Fission
    - b- Réaction en chaîne
    - c- Puissance neutronique
    - d- temps de vie et durée de vie moyenne d'un neutron
    - e- Notion sur la réactivité
    - f- Neutrons prompts et retardés.
  - II- 2- EQUATIONS CINETIQUES
  - II- - MODELE THERMIQUE
  - III- - SIMPLIFICATION DU MODELE MATHEMATIQUE PROPOSE
  - IV- - LINEARISATION DES EQUATIONS DU SYSTEME

Chapitre IV

ETUDE DU SYSTEME EN BOUCLE OUVERTE

- INTRODUCTION

- I - STABILITE DU SYSTEME
- II - DETERMINATION DE LA COMMANDE
- III - TRAITEMENT NUMERIQUE
- IV - RESULTATS SUR LES TRANSITOIRES
- V - ANALYSES DES COURBE
- VI - CONCLUSIONS PRATIQUES SUR LES DEUX METHODES DE CALCUL

# N T R O D U C T I O N

Le travail présenté est relatif à l'étude des systèmes à l'aide de la simulation numérique. Notre contribution a porté essentiellement sur la simulation d'un réacteur nucléaire P.W.R. ( pressurized Water reactor ).

La simulation numérique nécessite la représentation du système réel par un modèle mathématique établi à partir des lois de la physique. Ainsi le concepteur qui ne dispose pas de réacteur nucléaire peut mettre à profit cette technique de simulation pour étudier le comportement dynamique du réacteur.

Généralement avant de commander un système, il est nécessaire de faire une étude en boucle ouverte c'est à dire sans lui imposer de contre réaction externe. Ceci, dans le but d'appréhender le système pour différentes valeurs de ses états.

Notre étude se compose de deux parties:

Dans une première partie, la description générale du réacteur nucléaire P.W.R. nous sert à élaborer un modèle mathématique en vue de la réalisation d'un code de simulation numérique. Ce modèle ne donne pas une description assez fine du processus par contre il permet une appréhension globale de celui-ci.

Dans une 2<sup>e</sup>me partie, l'étude directe en boucle ouverte consiste à observer la réponse des états du réacteur à un échelon et une rampe de commande des barres de contrôle.

Ce mémoire comprend quatre chapitres.

Le premier chapitre définit la simulation ainsi que la représentation d'état d'un système.

Le deuxième chapitre présente la centrale nucléaire et donne un aperçu sur sa régulation.

Le troisième chapitre donne un modèle mathématique du primaire de la centrale et propose un modèle linéaire simplifié.

Le quatrième chapitre : propose 2 méthodes de résolution des équations différentielles linéaires.

- a - La méthode de CRANCK NICHOLSON
- b - La méthode de RANGE KUTTA.

Présente l'interprétation des résultats et la comparaison entre les 2 méthodes.

Enfin la conclusion fait la synthèse du travail présenté :

# H A P I T R E I

## PRESENTATION DE LA SIMULATION

I - G E N E R A L I T E S

II - RAPPELS ET DEFINITIONS

III - NOTIONS D' E T A T

## PRESENTATION DE LA SIMULATION

### I - GENERALITES

De nombreux problèmes posés par la technique moderne peuvent difficilement être appréhendés globalement par l'esprit humain ou résolus complètement par des méthodes mathématiques simples.

La simulation se présente alors comme un moyen efficace d'approche, de compréhension, voire même de résolution à ces problèmes.

L'utilisation de cette méthode de travail est sans cesse favorisée par le perfectionnement des outils de calcul analogique, numérique et hybride ainsi que par les progrès réalisés dans le domaine de la modélisation mathématique dont les équations sont résolues par une méthode de calcul appropriées.

Le phénomène simulé étant un phénomène physique dont nous possédons une certaine connaissance expérimentale et théorique.

La simulation sera élaborée à partir d'hypothèses issues de cette connaissance et la validité de cette simulation sera assurée lorsque les résultats pourront être confrontés, de façon satisfaisante avec ceux que nous fournit l'observation expérimentale du phénomène.

nous considérons alors que la simulation est capable, par interpolation, avec prudence par extrapolations, de représenter l'ensemble des comportements du phénomène étudié d'une manière générale, nous pouvons concevoir la simulation de deux manières différentes.

Les équations représentatives du phénomène ayant été introduites dans le calculateur, à un groupe de données correspondra un ensemble de résultats qui seront analysés à postériori.

- Après introduction dans le calculateur des équations et des données initiales au fur et à mesure que les résultats relatifs à un phénomène dépendant du temps nous sont communiqués, il nous est possible d'interagir avec le calculateur par modification de certains paramètres, comme dans la réalité, il est possible de modifier le comportement d'une installation ou d'une machine par des actions de pilotage, le deuxième type de simulation et dit ( en temps réel ).

### UTILISATION DE LA SIMULATION COMME MOYEN DE FORMATION

La transmission de la connaissance relative à des phénomènes complexes est longue et délicate lorsqu'elle n'utilise qu'une analyse théorique de ces phénomènes.

L'apprentissage expérimental permet une meilleure appréhension du comportement des systèmes étudiés, et ainsi une compréhension plus rapide et plus profonde des phénomènes qui s'y produisent, cependant cet apprentissage n'est pas possible lorsqu'il met en cause des installations trop complexes où les interactions des multiples phénomènes qui s'y produisent interdisent l'analyse de chacun de ces phénomènes ou bien lorsque ces installations sont mauvaises, leur utilisations peut présenter des dangers ( Avion, Centrale nucléaire ).

- Aspect mathématique de la simulation

Le but des études de simulation est l'analyse de certains processus réels ( naturel ou technologique ) en faisant appels aux moyens mathématiques, ceci nécessite la formulation d'un modèle mathématique représentant le processus étudié et pour cela on doit passer par trois étapes :

- Elaboration des modèles mathématiques
- Vérification et résolutions des équations
- Instrument pour la génération de données.

- Choix du type de calculateur ( analogique ou numérique )

Compte tenu du problème posé, notre choix serait le calculateur numérique et pour le langage choisi, c'est le langage FORTRAN qui a eu notre préférence, car c'est le langage le mieux adapté à la simulation sur l'ensemble des langages disponibles.

II - RAPPELS ET DEFINITIONS

1 - LES SYSTEMES

1-1 - Introduction

Les concepts de simulation, modèle et système, sont intrinsèquement liés, la simulation étant d'une façon générale une méthode pour étudier les systèmes, à l'aide de modèle schématiquement, on peut dire que la simulation est une manipulation de modèle, et le modèle, une représentation du système.

1 -2- DEFINITION D'UN SYSTEME

Il s'agit d'un ensemble composé de parties ordonnées, ces parties ont chacune leurs lois et une certaine indépendance; par contre le tout a ses lois propres, car il existe entre les parties des liens, des relations identifiables, au moins pour quelques-unes d'entre elles, et qui s'enchaînent souvent l'une de l'autre.

Un système n'existe pas seul dans le vide mais dans un milieu, il est souvent soumis à des contraintes, et pour atteindre le but voulu son fonctionnement doit être contrôlé.

De cette définition générale, on constate que plusieurs conditions doivent être réalisées pour avoir un système.

- La connaissance des composants
- La connaissance des lois propres de chacun
- La connaissance des lois d'interaction qui déterminent son but

## 2 - LES MODELES

### 2 - 1 - Définition

La conception d'un modèle de système est fondamentalement la même.

C'est une représentation de système, réel ou imaginé, dans le but d'expliquer et de prédire certains aspects de son comportement, cette représentation n'est pas en ~~tous~~ : points identiques au système si elle l'était, le modèle serait sans intérêt, car il serait aussi simple de travailler directement sur le système.

En fait, le modèle est un système formel construit, c.à.d une image plus ou moins fidèle du système réel.

Cette différence tient à plusieurs causes, les lois que suit un système, peuvent ne pas être toutes connues, par ailleurs, dans la pratique, même pour celles qui sont connues, on ne sait pas encore toutes les exprimer, en suite le modèle peut ne reproduire que les composants et les relations du système nécessaires au but poursuivi.

Un même système peut être représenté par différents modèles qui ont chacun un but particulier, un modèle n'est donc ni vrai, ni faux, sa valeur se juge à la contribution qu'il apporte dans l'explication du système représenté, c'est un outil de travail permettant l'étude des phénomènes complexes.

Si le système n'est pas réel, le modèle joue le même rôle de simplification et de substitutions, dans ce cas, la distinction entre le système imaginé et son modèle est moins importante, en ce sens que le modèle peut représenter la plupart des aspects du système.

D'ailleurs, le système peut être conçu d'une façon suffisamment simple, pour être incorporé en totalité dans un modèle, dont le rôle est surtout de découvrir toutes les implications des données.

Le modèle est construit pour découvrir les résultats obtenus; dans différentes hypothèses, en un mot pour être manipulé.

3 - NOTION D' ETAT

- Paramétrisation des relations entrées sorties

On sait que les propriétés d'un processus physique P dépendent d'un certain nombre de grandeurs  $q_1 \dots q_r$  liées par un ensemble de relations, si parmi ces grandeurs, dites terminales ont distingué des grandeurs  $u_1 \dots u_m$  dites d'entrées et des grandeurs  $y_1 \dots y_p$  dites de sortie ( ce qui revient à dire que l'on a affaire à un processus orienté ), le processus peut être défini par des relations de la forme.

$$\begin{aligned} g_i & \left\{ u_1, u_2 \dots u_m, y_1 \dots y_p \right\} = 0 \\ g_k & \left\{ u_1 \dots u_m, y_1 \dots y_p \right\} = 0 \end{aligned}$$

ou globalement

$$g(u, y) = 0 \quad (1)$$

Ces relations qui sont dites " relations entrées-sorties" du processus P, sont fréquemment utilisées dans l'étude classique des systèmes asservis linéaires, soit sous forme d'équations différentielles.

$$f(y, \dot{y}, \dots, y^n, u, \dot{u}, \dots, u^m) = 0 \quad (2)$$

soit sous forme de fonction de transfert.

$$Y(p) = F(p) \cdot U(p) \quad (3)$$

Ces relations devraient permettre de déterminer d'une manière unique le comportement du système sur tout intervalle ( tot1 ) connaissant les commandes appliquées u ( tot1 ).

On sait toutefois qu'il n'en n'est pas ainsi et que, pour un système défini par ( 2 ) par exemple et pour une entrée u(tot1) donnée, on peut associer une infinité de trajectoires de sorties selon les conditions initiales prévalent au moment de l'application de la commande.

Il importe donc, pour assurer l'unicité indispensable des relations causales  $u \rightarrow y$  d'ajouter aux équations causales précédentes un ensemble de paramètres  $x(t_0)$  que l'on appellera " vecteur d'état " du processus à l'instant  $t_0$ . donc on a

$$y(tot) = A(x(t_0)) \cdot U(tot) \quad (4')$$

Bien évidemment, de plus, le vecteur d'état  $X(t_0)$  qui résume tout le passé à l'instant  $t_0$  évolue lui aussi avec le temps selon une équation analogue à l'équation ( 4 )

$$X(t) = X(X(t_0)) \cdot U(tot)$$

.../...

2 - FORME DE L'EQUATION D'ETAT

Dans le cas des systèmes dynamiques, où  $X$  est de dimension finie on a la forme suivante

$$\dot{X} = f(X(t), U(t), t) \quad (4)$$

et parallèlement on a

$$Y = h(X(t), U(t), t)$$

L'équation (4) représentant un système différentiel vectoriel du premier ordre  $f$  étant une fonction continue satisfaisante des conditions de Lipschitz et  $h$  est une fonction univoque.

Toutes les conditions mentionnées lors de la définition de l'état sont en effet satisfaites.

Si le système est linéaire, si  $f$  et  $h$  sont linéaires en  $U$  et  $X$  les équations précédentes se mettent sous la forme suivante:

$$\begin{aligned} \dot{X} &= A X + B U \\ Y &= C X + D U \end{aligned} \quad (5)$$

- Remarques

1 - Si le vecteur d'état  $X$  est de dimension  $n$ , si le système a  $m$  entrées  $U$  et  $p$  sorties  $Y$ , les matrices et vecteurs figurant dans l'équation (5) sont de dimensions respectives :

$$\begin{array}{llll} A : nn & B : nm & C : pm & D : pm \\ X : n_1 & U : m_1 & Y : p_1 & \end{array}$$

2 - La linéarité n'implique pas la stationnarité, dans le cas le plus général de système variants les matrices  $A \dots D$  peuvent dépendre du temps.

Dans le cas des systèmes invariant (défini par exemple par une équation différentielle à coefficients constants ou par une fonction de transfert) les matrices  $A \dots D$  sont des matrices constantes.

Une équation d'état définie par (4) se présente comme un système différentiel du premier ordre, si par conséquent on peut mettre un système donné sous une forme qui ne fait apparaître que des blocs du 1er ordre, on aura immédiatement une représentation d'état en prenant simplement comme variables les sorties de ces blocs.

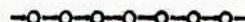
...../...

## H A P I T R E II

DESCIRPTION DU REACTEUR NUCLEAIRE A EAU PRESSURISE

---

- I - DESCIRPTION TECHNIQUE
- II - REGULATION DE LA CENTRALE



## Chapitre II

### Description du réacteur nucléaire à eau pressurisé.

#### I - DESCRIPTION TECHNIQUE

Les réacteurs nucléaires P.W.R. ( Pressurized Water Reactor ) appartiennent à la filière eau ordinaire à cycle indirect.

Le schéma de principe d'une centrale P.W.R. est donné par la fig 1.

La centrale est constituée de 2 boucles primaires et secondaire la boucle primaire contient le cœur où se trouve le combustible qui est généralement de l'uranium, un préssuriseur pour maintenir la pression du modérateur constante 155 bars, d'une pompe primaire pour faire circuler le fluide caloporteur, dont le rôle est d'évacuer la chaleur fournie par le combustible vers le générateur de vapeur et du primaire du générateur de vapeur.

Le modérateur dans ce type de réacteur sert ainsi de fluide caloporteur et les éléments combustibles se présentent sous forme de pastilles empilées dans des crayons cylindriques.

La boucle secondaire est constituée du secondaire du générateur de vapeur, de la turbine qui fait tourner un alternateur, d'un condenseur, d'une pompe secondaire qui sert à renvoyer l'eau du condenseur vers le générateur de vapeur.

#### II - REGULATION DE LA CENTRALE

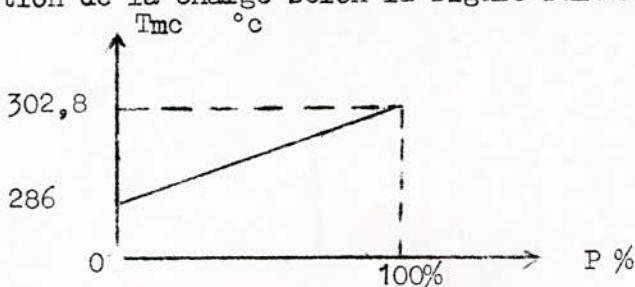
Le rôle du système de régulation de la centrale est d'ajuster la puissance fournie par la chaudière nucléaire à la puissance demandée par le groupe turbo-alternateur ( puissance électrique ).

Comme il existe une relation biunivoque entre la température primaire et puissance nucléaire, la régulation de la température se fera par l'intermédiaire des barres de contrôles.

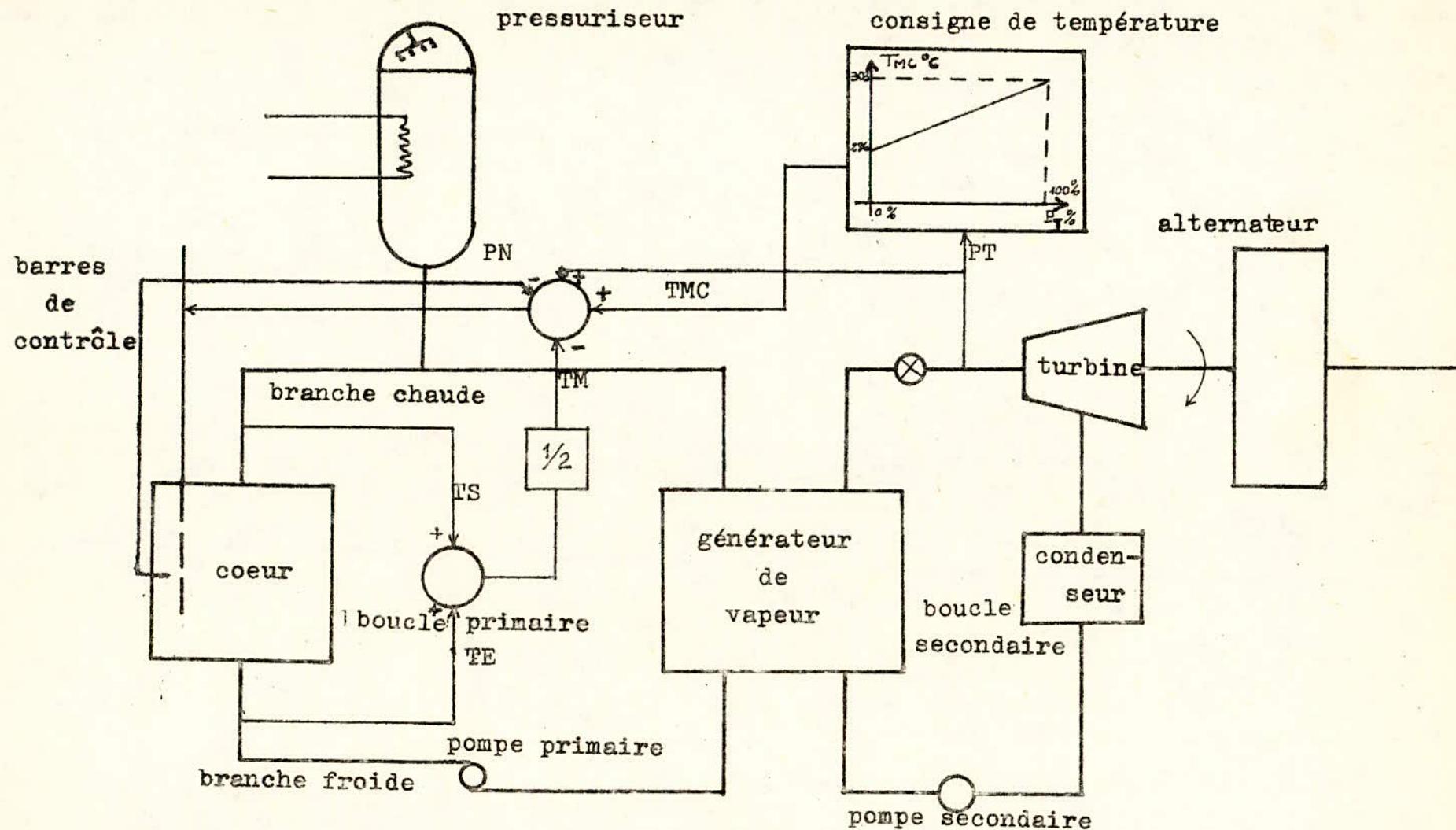
A cet effet, il suffit d'agir sur la position des barres de contrôle qui produit une variation de la réactivité qui agit directement sur le système et également la puissance nucléaire.

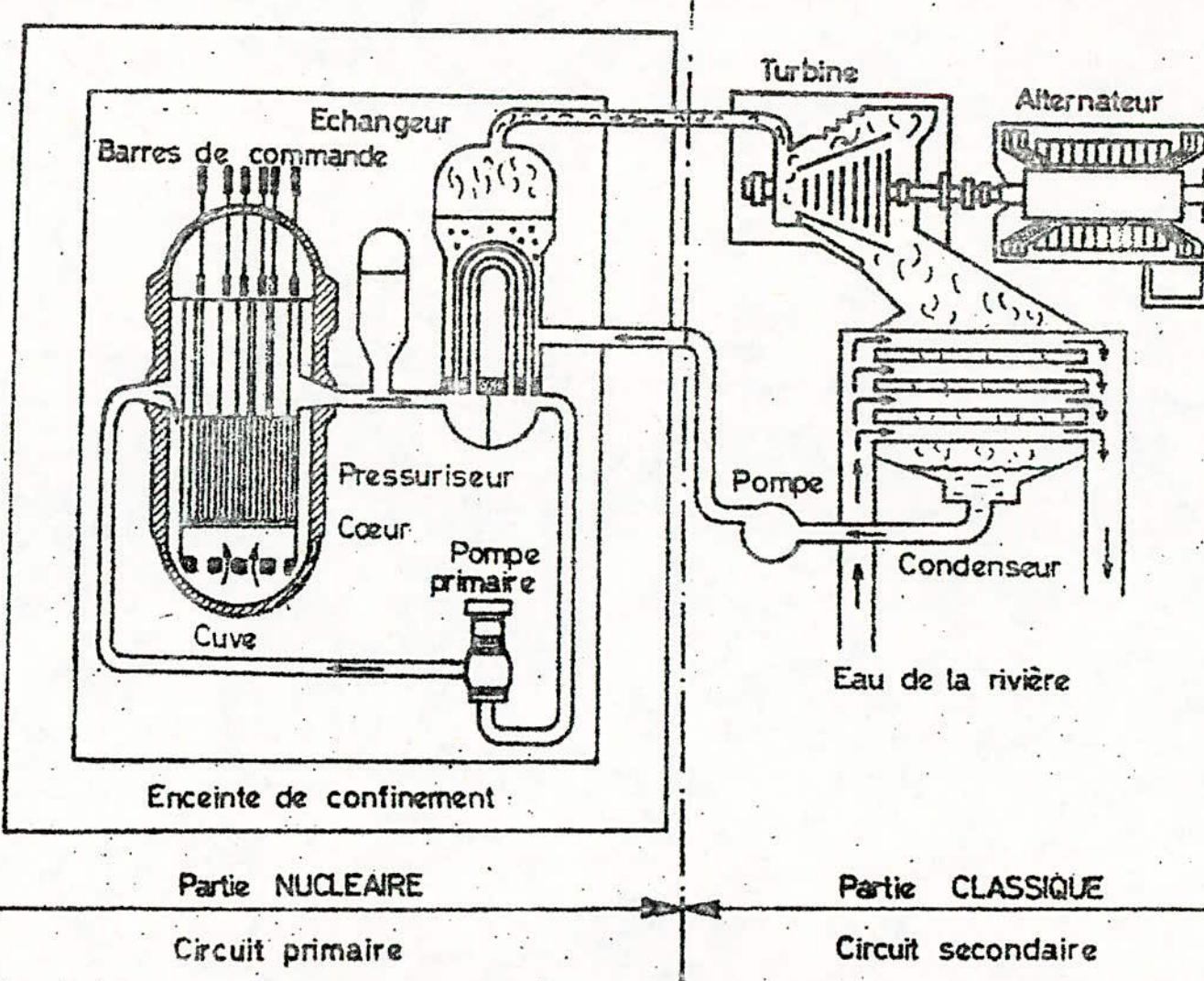
Donc un système de régulation est nécessaire pour asservir la puissance nucléaire à la puissance du réseau.

Le dispositif de régulation est prévu pour ajuster la température du modérateur à une température de consigne variable en fonction de la charge selon la figure suivante.



-o- Fig 1: SCHEMA SYNOPTIQUE D'UN REACTEUR NUCLEAIRE -o-





SCHEMA DE PRINCIPE D'UNE TRANCHE NUCLEAIRE P.W.R 900

II H A P I T R E III

MODELE DU REACTEUR

I - MODELE NEUTRONIQUE

I - 1 - Rappels sur la neutronique

- a - Fission
- b - Réaction en chaîne
- c - Puissance neutronique
- d - Temps de vie et durée de vie moyenne d'un neutron
- e - Notion sur la réactivité
- f - Neutrons prompt et retardés

I - 2 - Equations cinétiques

II - MODELES THERMIQUE

III - SIMPLIFICATION DU MODELE MATHEMATIQUE PROPOSE

IV - LINEARISATION DES EQUATIONS DU SYSTEME

## CHAPITRE III

### MODELE DU REACTEUR

#### I - MODELE NEUTRONIQUE

##### I - 1 - Rappels sur la neutronique

Les équations cinétiques, fondamentales pour l'étude du réacteur en fonctionnement, peuvent être introduites simplement à partir du phénomène de la fission nucléaire.

###### a - La fission

Le phénomène de la fission peut être décrit simplement de la manière suivante :

Quand un neutron est absorbé par un noyau fissile ( U 235 par ex ) ce dernier se transforme en noyau instable qui se scinde en deux noyaux avec émission de 2 à 3 neutrons avec dégagement d'une énergie très importante ( 200 Mev environ ).

Ce type d'interaction particulière neutron - noyau est appelé réaction de fission.

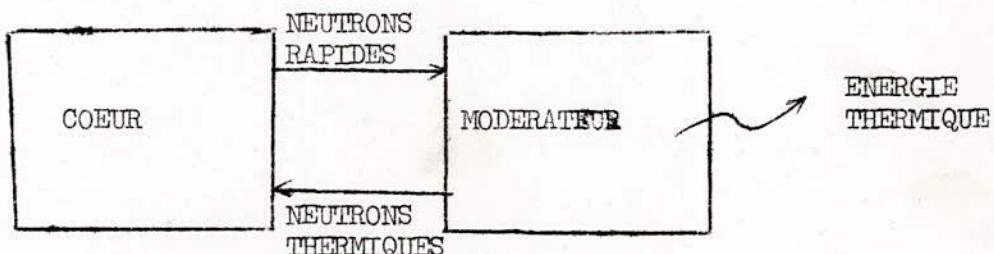
###### b - Réaction en chaîne

Les neutrons émis au moment de la fission se situent dans une bande d'énergie centrée sur 2 Mev.

Le niveau d'énergie moyen des noyaux de la matière à une température de 20° c se situe autour de 0,025 ev, c'est pour cela que ces neutrons sont appelés neutrons thermiques, à ce niveau d'énergie la probabilité d'être absorbée par un noyau d'U 235 est très grande.

Donc si au moins un neutron émis au cours de la fission, en perdant de l'énergie, arrive à devenir un neutron thermique il pourra provoquer une nouvelle fission d'un noyau d'uranium 235 et le cycle recommence /

C'est pour cela que cette réaction est appelée réaction en chaîne fig b.



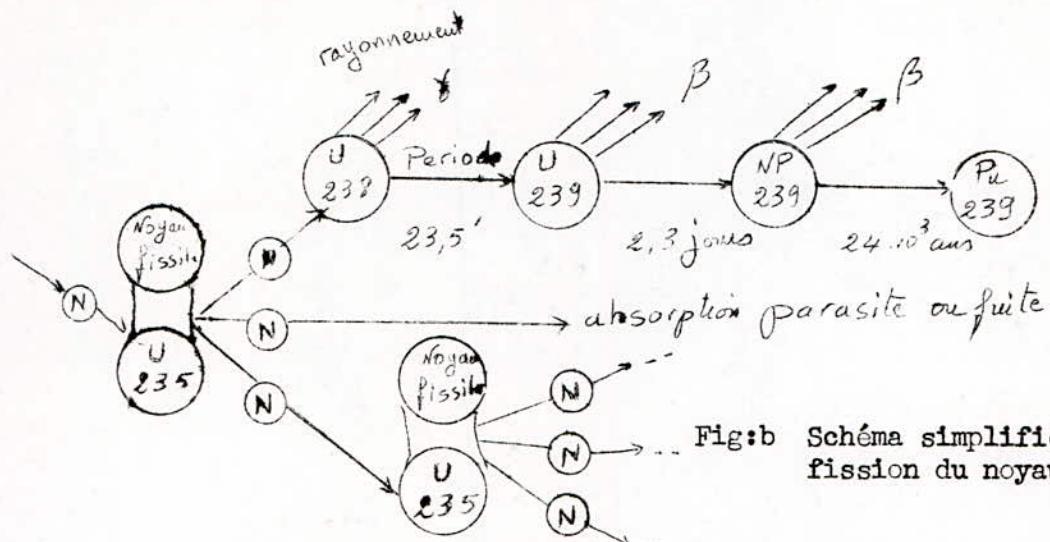


Fig:b Schéma simplifié de la fission du noyau  $U_{235}$ .

Finalement le modérateur à un double rôle, il maintient la réaction en chaîne en ralentissant les neutrons c.a.d. les transforme en neutrons thermiques, et transforme l'énergie nucléaire en énergie thermique.

#### c - Puissance neutronique

La fission d'un atome d'uranium (235) libère en moyenne une énergie de 200 Mev ou de  $3,2 \cdot 10^{-11}$  joules.

La fission de tous les noyaux des atomes contenus dans 1 g d'uranium 235, en 24 heures, correspond à une puissance libérée de  $0,97 \cdot 10^6$  W soit  $\approx 1$  Mw.

Cette puissance est appelée puissance neutronique.

Elle est proportionnelle au nombre de fissions, donc au nombre de neutrons présentés dans le cœur.

#### d - Temps de vie et durée de vie moyenne d'un neutron

Le temps moyen qui sépare 2 générations de neutrons dans le cas d'un milieu infini est par définition le temps de vie moyen des neutrons de ce milieu.

La durée de vie moyenne d'un neutron, dans le cas d'un milieu multiplicateur de dimension finie, est le temps  $\theta$  qui s'écoule en moyenne entre sa naissance par fission et sa disparition donnant lieu à une nouvelle fission.

L'ordre de grandeur de la vie moyenne d'un neutron dans le cas :

- d'un réacteur à uranium naturel eau lourde est de  $10^{-3}$  s.
- d'un réacteur à uranium **enrichi** en eau légère est de  $10^{-4}$  à  $10^{-5}$  s.

.../...

• - Notions sur la réactivité

Le nombre de neutrons varie d'une génération à l'autre après que le phénomène de fission ait eu lieu.

Un facteur de multiplication  $K$  peut être défini comme le rapport du nombre de neutrons d'une génération, au nombre de neutrons de la génération précédente.

Le facteur de multiplication permet de dire dans quel sens évolue la réaction en chaîne.

On distingue trois cas:

- Etat sous critique :  $0 < K < 1$

de génération en génération, le nombre de neutrons diminue: la réaction s'arrête.

- Etat critique :  $K = 1$

Le nombre de neutrons reste constant : la réaction en chaîne est stable.

- Etat sur critique :  $K > 1$

Le nombre de neutrons ne cesse de croître : la réaction en chaîne diverge.

On définit la réactivité  $\rho$  par la formule suivante :

$$\rho = \frac{K - 1}{K}$$

durant le fonctionnement normal d'un réacteur, le facteur  $K$  est voisin de 1, d'où :

$$\rho \approx K - 1$$

L'unité utilisé pour la réactivité est le pcm ( pour cent mille )

f - Neutrons prompts - Neutrons retardés :

Les neutrons libérés à chaque fission sont classés en neutrons prompts et neutrons retardés.

La plupart des neutrons ( $\sim 99\%$ ) sont émis instantanément au moment de la fission : on les appelle neutrons prompts.

Le reste ( $\sim 1\%$ ) des neutrons est émis après un retard pouvant atteindre plusieurs dizaines de secondes, ce sont des neutrons retardés émis lors de la désintégration des produits de fission obtenus.

.../...

On définit le facteur  $\beta$  comme la fraction des neutrons retardés par rapport à tous les neutrons émis.

pour l'uranium 235  $\beta = 0.065 = 650 \text{ pcm}$ .

en classe généralement en six catégories les différents types de noyaux radioactifs issus de la fission, appelés noyaux précurseurs, parce que chacun de ces noyaux, en se désintégrant, est à l'origine de l'émission d'un neutron retardé.

Chaque groupe de neutrons retardés est caractérisé par :

$$\beta_i = \frac{\text{Fraction émise à partir des noyaux précurseurs "i"}}{\text{fraction totale}}$$

on a donc :  $\sum_{i=1}^6 \beta_i = \beta$

## 1 - 2 EQUATIONS CINETIQUES

Soit  $\theta$  la durée de vie moyenne d'une génération de neutrons prompts et " $N$ " le nombre de neutrons de la génération à l'instant  $t$ , la nouvelle génération sera caractérisée, après un temps  $\theta$ , par

$$K N(t) (1-\beta) \quad \text{neutrons prompts}$$

en posant :

$\lambda_i$  : probabilité de désintégration des noyaux précurseurs "i"  
 $c_i(t)$  : nombre de noyaux précurseurs "i" à l'instant "t".

$\sum_{i=1}^6 \lambda_i c_i(t) \theta$  : nombre de noyaux précurseurs qui se sont désintégrés pendant le temps  $\theta$  = nombre de neutrons retardés apparus pendant  $\theta$ .

$K N(t) \beta_i$  : nombre de noyaux précurseurs "i" apparus lors des désintégrations des noyaux fissiles, pendant le temps  $\theta$ .

D'où les équations suivantes :

$$N(t+\theta) = K \cdot N(t) (1-\beta) + \underbrace{\sum_{i=1}^6 c_i(t) \cdot \theta \cdot \lambda_i}_{\text{Neutrons prompts}} + \underbrace{\sum_{i=1}^6 c_i(t) \cdot \theta \cdot \lambda_i}_{\text{neutrons retardés}}$$

$$c_i(t+\theta) = c_i(t) - \lambda_i c_i(t) \cdot \theta + N(t) \cdot K \cdot \beta_i \quad i = 1, \dots, 6$$

en rappelant que  $\gamma = K - 1$

et en faisant l'approximation  $K(1 - \beta) \approx K - \beta$

car  $K$  est voisin de 1 et  $\beta \ll 1$ , on a :

$$N(t + \theta) - N(t) = (\gamma - \beta) N(t) + \sum_{i=1}^6 \lambda_i c_i(t) \cdot \theta$$

$$c_i(t + \theta) - c_i(t) = N(t) \cdot \beta_i - \lambda_i c_i(t) \cdot \theta \quad i = 1, \dots, 6$$

et en passant à la limite

$$\frac{dN}{dt} = (\gamma - \beta) N(t) + \sum_{i=1}^6 c_i(t) \cdot \lambda_i \quad (1)$$

$$\frac{dc_i}{dt} = \frac{N}{Q} \beta_i - \lambda_i c_i \quad i = 1, \dots, 6 \quad (2)$$

Ces équations décrivent l'évolution du nombre de neutrons ( donc de la puissance ) moyenne sur le cœur du réacteur nucléaire.

A ces équations vient s'ajouter une 3ème équation définissant la réactivité  $\gamma$  dont les principales variations sont :

- Le mouvement des barres de contrôles, dont le rôle est précisément d'agir sur la réactivité.
- L'effet de température agit sur la réactivité, à savoir que lorsque le niveau de température augmente dans le cœur la réactivité diminue en général.

Parmis les autres réactions internes du cœur, on retient seulement l'échauffement du combustible ( effet DOPPLER ) et l'échauffement du modérateur ( effet de température ).

Compte tenu des équations (1) et (2), et du fait que la puissance nucléaire est proportionnelle à la densité neutronique les équations cinétiques retenus sont :

$$\frac{dP_n}{dt} = (\gamma - \beta) P_n + \sum_{i=1}^6 c_i \cdot \lambda_i$$

$$\frac{dc_i}{dt} = \frac{\beta_i}{Q} P_n - \lambda_i c_i \quad i = 1, \dots, 6$$

et la réactivité totale est :

$$\rho = \rho_0 - \alpha_u (T_u - T_{uo}) - \alpha_m (T_m - T_{mo})$$

$\rho_0$  = réactivité des barres de contrôle.

$\alpha_u$  = coefficient DOPPLER.

$T_u$  = Température d'uranium ( combustible ).

$T_{uo}$  = Valeur nominale de la température du combustible

$\alpha_m$  = Coefficient modérateur.

$T_m$  = Température du modérateur

$T_{mo}$  = Valeur nominale de la température du modérateur.

## II - MODELE THERMIQUE

L'énergie générée au sein du crayon combustible migre à travers celui-ci, cette énergie est transmise au modérateur par l'intermédiaire de la gaine.

Les différents éléments du cœur sont caractérisés par leur chaleur massique ( $C$ ), leur masse  $M$  et leur température moyenne  $T$ .

Les températures d'entrées et de sorties du fluide caloporteur sont respectivement  $T_e$ ,  $T_s$  et le débit de l'eau dans le cœur est  $Q_m$ .

Les échanges de chaleur entre deux zones (1) dont la température est  $T_1$  et (2) dont la température est  $T_2$  séparées par une surface  $S_{12}$  sont proportionnelles à la différence de température ( $T_1 - T_2$ ) et le facteur de proportionnalité étant l'admittance thermique globale  $1/R_{12}$  où  $R_{12}$  est la résistance thermique entre la zone (1) et (2).

La variation de l'énergie d'un milieu = énergie produite  
- transfert

On peut en déduire que le transfert thermique dans le cœur est caractérisé par la variation de l'énergie dans le combustible, puis la variation de l'énergie dans la gaine et enfin la variation de l'énergie dans le modérateur.

- La variation de l'énergie dans le combustible est égale à l'énergie nucléaire générée par les fissions au sein de l'uranium diminuée de l'énergie transmise par conduction à la gaine qui l'entoure.

D'où :

$$M_u C_u \frac{dT_u}{dt} = K \cdot P_n - \frac{1}{R_{ug}} (T_u - T_g)$$

$K$  = facteur de conversion ( Watt - calorie )

$P_n$  = puissance nucléaire dans le cœur.

$R_{ug}$  = Résistance thermique ( uranium - gaine )

$M_u$  = Masse de l'uranium.

$C_u$  = Chaleur massique de l'uranium.

$T_g$  = Température de la gaine

- La variation de l'énergie dans la gaine est égale à l'énergie cédée par le combustible à la gaine diminuée de l'énergie transmise par convection au modérateur.

On entend par convection la propagation d'énergie véhiculée par un fluide quelconque.

D'où :

$$M_g \cdot C_g \frac{d T_g}{dt} = \frac{1}{R_{ug}} (T_u - T_g) - \frac{1}{R_{gm}} (T_g - T_m)$$

$R_{gm}$  = résistance thermique ( gaine - modérateur ).

- La variation de l'énergie dans le modérateur est égale à l'énergie que lui a cédée la gaine diminuée de l'énergie transmise au circuit primaire.

D'où :

$$M_m \cdot C_m \frac{d T_m}{dt} = \frac{1}{R_{gm}} (T_g - T_m) - C_m Q_m (T_s - T_e)$$

On fait l'hypothèse que la température de l'eau croît linéairement dans le cœur quelque soit la cinétique on déduit que la température moyenne du modérateur est à tout instant égale à :

$$T_m = \frac{T_s + T_e}{2}$$

l'expérience montre que la variation de  $T_e$  est négligeable, on la supposera constante.

Finalement la thermique du cœur est régie par les trois équations suivantes :

$$\left\{ \begin{array}{l} M_u \cdot C_u \frac{d T_u}{dt} = K_p n - K_{ug} (T_u - T_g) \end{array} \right. \quad (3)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} M_g \cdot C_g \frac{d T_g}{dt} = K_{ug} (T_u - T_g) - K_{gm} (T_g - T_m) \end{array} \right. \quad (4)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} M_m \cdot C_m \frac{d T_m}{dt} = K_{gm} (T_g - T_m) - Q_m C_m (T_s - T_e) \end{array} \right. \quad (5)$$

avec  $T_m = \frac{T_s + T_e}{2}$

.../...

Où  $K_{ug} = 1/R_{ug}$

$K_{gm} = 1/R_{gm}$

On remarque que la masse de la gaine est négligeable devant celle de l'uranium et du fluide primaire dans le cœur ce qui revient à négliger les constantes de temps liées aux échanges ( combustible - gaine ) devant les constantes de temps des transitoires que l'on va étudier.

D'où  $K_{ug} ( Tu - Tg ) - K_{gm} ( Tg - Tm ) = 0$

Où on peut déterminer  $Tg$  en fonction de  $Tu$  et de  $Tm$ .

$$Tg = \frac{K_{ug}}{K_{ug} + K_{gm}} Tu + \frac{K_{gm}}{K_{gm} + K_{ug}} Tm$$

Et en remplaçant  $Tg$  par sa valeur dans (3) et (5) on aura :

$$\text{Mu. Cu} \frac{dT_u}{dt} = K_p n - K_{um} ( Tu - Tm )$$

$$M_m C_m \frac{dT_m}{dt} = K_{um} ( Tu - Tm ) - C_m Q_m ( T_s - T_e )$$

$$T_s = 2 T_m - T_e$$

$$K_{um} = \frac{K_{ug} K_{gm}}{K_{ug} + K_{gm}}$$

Représente le coefficient de transmission globale du combustible vers le fluide primaire.

Le modèle thermique devient en remplaçant  $T_s$  par sa valeur comme suit;

$$\text{Mu. Cu} \frac{dT_u}{dt} = K_p n - K_{um} ( Tu - Tm )$$

$$M_m C_m \frac{dT_m}{dt} = K_{um} ( Tu - Tm ) - 2 Q_m C_m ( T_m - T_e )$$

D'où le modèle du réacteur retenu est :

$$\frac{dP_n}{dt} = \frac{(\rho - \beta)}{\theta} P_n + \sum_{i=1}^6 \lambda_i C_i$$

$$\frac{dC_i}{dt} = \frac{\beta_i}{\theta} P_n - \lambda_i C_i \quad i = 1, \dots, 6$$

$$\text{Mu. Cu} \frac{dT_u}{dt} = K_p n - K_{um} ( Tu - Tm )$$

$$M_m C_m \frac{dT_m}{dt} = K_{um} ( Tu - Tm ) - 2 Q_m C_m ( T_m - T_e )$$

$$T_m = \frac{T_e + T_s}{2}$$

$$\rho = \rho_u - \alpha_u ( Tu - T_{uo} ) - \alpha_m ( T_m - T_{mo} )$$

.../...

### III - SIMPLIFICATION DU MODELE MATHEMATIQUE PROPOSE

Le modèle mathématique présenté dans le paragraphe précédent peut être simplifié en remarquant d'une part que l'on peut utiliser les équations cinétiques à 2 groupe de neutrons retardés dont l'un réunissant les précurseurs à désintégration lente, l'autre les précurseurs à désintégration rapide ce qui diminue de 4 le nombre d'équations du système.

- Approximation à 2 groupes de neutrons retardés :
- considérons le tableau suivant :

Groupe	$\beta_i$	$\lambda_i$	$\beta_i/\lambda_i$
1	0.00021	0.0124	0.01694
2	0.0014	0.00305	0.0459
3	0.00125	0.111	0.01126
4	0.00253	0.301	0.00841
5	0.00074	1.14	0.00065
6	0.00027	3;01	0.00009

Les constantes de désintégration sont calculées à l'aide des relations suivantes :

avec

$$\lambda_1 = \frac{\beta}{\sum_{i=1}^6 \beta_i / \lambda_i}$$

$$\beta = \sum_{i=1}^6 \beta_i$$

$$\text{et } \lambda_2 = \frac{\beta}{\sum_{i=4}^6 \beta_i / \lambda_i}$$

$$\beta_1 = \sum_{i=1}^3 \beta_i$$

$$\beta_2 = \sum_{i=4}^6 \beta_i$$

Donc les six groupes de neutrons retardés sont séparés en deux groupes d'où notre système simplifié est le suivant :

$$\frac{dP_n}{dt} = \frac{\rho - \beta}{\theta} P_n + \sum_{i=1}^6 \lambda_i \cdot C_i$$

$$\frac{dC_1}{dt} = \frac{\beta_1}{\theta} P_n - \lambda_1 C_1$$

$$\frac{dC_2}{dt} = \frac{\beta_2}{\theta} P_n - \lambda_2 C_2$$

$$M_u \cdot C_u \frac{dT_u}{dt} = K_p P_n - K_{uM} (T_u - T_m)$$

$$M_m \cdot C_m \frac{dT_m}{dt} = K_{uM} (T_u - T_m) - 2 Q_m C_m (T_m - T_e)$$

IV - LINEARISATION DES EQUATIONS DU SYSTEME

On remarque que notre système n'est pas linéaire et que la non linéarité provient du produit  $\rho P$ .

Comme on a choisi de décrire notre système par la représentation d'état du type :

$$\dot{X} = A X + B U$$

La linéarisation du modèle retenu est nécessaire.

Pour la linéarisation d'un tel système on pose les hypothèses suivantes :

$$\delta P = P_n - P_0 \Rightarrow P_n = P_0 + \delta P.$$

$$\delta C_1 = C_1 - C_{10} \Rightarrow C_1 = \delta C_1 + C_{10}.$$

$$\delta C_2 = C_2 - C_{20} \Rightarrow C_2 = \delta C_2 + C_{20}.$$

$$\rho = \delta \rho + \rho_0$$

Où  $P_0$ ,  $C_{10}$ ,  $C_{20}$ ,  $\rho_0$  représentent respectivement les valeurs de la puissance et des précurseurs et de la réactivité pour lesquelles le système est à l'équilibre. (comme à l'équilibre  $\delta \rho = 0$ )

Le système précédent devient :  $\Rightarrow \delta \rho = \rho$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{d\delta P_n}{dt} = \frac{\beta - \beta}{\theta} ( \delta P_n + P_0 ) + \lambda_1 (\delta C_1 + C_{10}) + \lambda_2 (\delta C_2 + C_{20}) \\ \frac{d\delta C_1}{dt} = \frac{\beta_1}{\theta} ( P_0 + \delta P_n ) - \lambda_1 ( C_{10} + \delta C_1 ) \\ \frac{d\delta C_2}{dt} = \frac{\beta_2}{\theta} ( P_0 + \delta P_n ) - \lambda_2 ( C_{20} + \delta C_2 ) \end{array} \right.$$

En développant il vient :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{d\delta P_n}{dt} = - \frac{\beta}{\theta} \delta P_n + \lambda_1 \delta C_1 + \lambda_2 \delta C_2 + \frac{\delta \rho \delta P_n}{\theta} \\ \quad + ( \frac{(\delta \rho - \beta)}{\theta} P_0 + \lambda_1 C_{10} + \lambda_2 C_{20} ) \\ \frac{d\delta C_1}{dt} = \frac{\beta_1}{\theta} \delta P_n - \lambda_1 \delta C_1 + ( \frac{\beta_1}{\theta} P_0 - \lambda_1 C_{10} ) \\ \frac{d\delta C_2}{dt} = \frac{\beta_2}{\theta} \delta P_n - \lambda_2 \delta C_2 + ( \frac{\beta_2}{\theta} P_0 - \lambda_2 C_{20} ) \end{array} \right.$$

En ce qui concerne les équations thermiques du cœur du réacteur elles sont linéaires du moment où on a supposé  $T_e$  constante et on pose :

$$\delta \theta_u = \theta_u - \theta_{uo}$$

$$\delta \theta_m = \theta_m - \theta_{mo}$$

$$\text{avec } \theta_u = T_u - T_e \Rightarrow T_u = \theta_u + T_e$$

$$\theta_m = T_m - T_e \Rightarrow T_m = \theta_m + T_e$$

d'où

$$M_u C_u \frac{d(\theta_u + T_e)}{dt} = K (P_o + \delta P_e) - K u_m (\theta_u + T_e - T_m)$$

$$M_m C_m \frac{d(\theta_m + T_e)}{dt} = K u_m (\theta_u + T_e - \theta_m - T_e) - 2Q_m C_m (\theta_m + T_e - T_m)$$

en remplaçant  $\theta_u$  par  $\delta \theta_u + \theta_{uo}$

et  $\theta_m$  par  $\delta \theta_m + \theta_{mo}$  on aura :

$$M_u C_u \frac{d \delta \theta_u}{dt} = K (P_o + \delta P_e) - K u_m (\delta \theta_u + \theta_{uo}) + K u_m (\delta \theta_m + \theta_{mo})$$

$$M_m C_m \frac{d \delta \theta_m}{dt} = K u_m (\delta \theta_u + \theta_{uo} - \theta_m - \theta_{mo}) - 2Q_m C_m (\theta_m + \theta_{mo})$$

A l'équilibre on a :

$$\frac{d P}{dt} (P_o, C_{1o}, C_{2o}, \beta_o) = 0 \Rightarrow -\frac{\beta}{Q} P_o + \lambda_1 C_{1o} + \lambda_2 C_{2o} = 0$$

$$\frac{d C_1}{dt} (P_o, C_{1o}, C_{2o}, \beta_o) = 0 \Rightarrow \frac{\beta_1}{Q} P_o - \lambda_1 C_{1o} = 0$$

$$\frac{d C_2}{dt} (P_o, C_{1o}, C_{2o}, \beta_o) = 0 \Rightarrow \frac{\beta_2}{Q} P_o - \lambda_2 C_{2o} = 0$$

$$\frac{d \theta_u}{dt} (P_o, \theta_{uo}, \theta_{mo}) = 0 \Rightarrow K P_o - K u_m \theta_{uo} + K u_m \theta_{mo} = 0$$

$$\frac{d \theta_m}{dt} (P_o, \theta_{uo}, \theta_{mo}) = 0 \Rightarrow K u_m (\theta_{uo} - \theta_{mo}) - 2Q_m C_m \theta_{mo} = 0$$

Et en remplaçant  $\delta \theta_u$  par  $\delta \beta - \alpha_u \delta \theta_u - \alpha_m \delta \theta_m$

on aura le système final suivant :

$$\begin{pmatrix} \dot{\delta P_n} \\ \dot{\delta C_1} \\ \dot{\delta C_2} \\ \dot{\delta \theta_u} \\ \dot{\delta \theta_m} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \beta/\theta & \lambda_1 & \lambda_2 & -\alpha_u P_0/\theta & -\alpha_m P_0/\theta \\ \beta/\theta & -\lambda_1 & 0 & 0 & 0 \\ \beta/\theta & 0 & -\lambda_2 & 0 & 0 \\ K/Mu G_m & 0 & 0 & -K_{mu}/Mu Cu & K_{mu}/Mu Cu \\ 0 & 0 & 0 & K_{mu}/Mm G_m & -(K_{mu} + 2Q_m C_m) / Mm C_m \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \delta P_n \\ \delta C_1 \\ \delta C_2 \\ \delta \theta_u \\ \delta \theta_m \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} P_0/\theta \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \delta/B$$

Où X est le vecteur d'état avec

$$X = \begin{pmatrix} \delta P_n \\ \delta C_1 \\ \delta C_2 \\ \delta \theta_u \\ \delta \theta_m \end{pmatrix}$$

Et U la commande avec  $U = \delta/B$

qui a la forme suivante

$$\dot{X} = A X + B U$$

Il suffit de remplacer tous les éléments de la matrice A par leur valeurs numérique de même que les éléments de la matrice B

$$A = \begin{pmatrix} -160 & 0,087 & 0,71 & -2025 & -20250 \\ 71,5 & -0,087 & 0 & 0 & 0 \\ 88,5 & 0 & -0,71 & 0 & 0 \\ 0,037 & 0 & 0 & -0,186 & 0,186 \\ 0 & 0 & 0 & 0,385 & -12,085 \end{pmatrix}$$

$$B = \begin{pmatrix} 675 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

La commande U est la réactivité des barres de contrôle.

## CHAPITRE IV

### ETUDE DU SYSTEME EN BOUCLE OUVERTE

- INTRODUCTION
- I - STABILITE DU SYSTEME
- II - DETERMINATION DE LA COMMANDE
  - 1 - Echelon de commande de 10 %
  - 2 - Rampe de commande de 10 %
- III - TRAITEMENT NUMERIQUE
  - 1 - INTRODUCTION
  - 2 - Méthodes de résolution des systèmes d'équations différentielles
    - a - Méthode de CRANCK NICHOLSON
    - b - Méthode RANGE KUTTA
    - c - Organigrammes
- IV - Resultats sur les transitoires
- V - Analyse des courbes
  - a) Echelon de réactivité
  - b) Rampe de réactivité
- VI - Conclusions pratiques sur les deux méthodes de calcul
  - a - CRANCK NICHOLSON
  - b - RANGE KUTTA
  - c - Comparaison entre les méthodes C.N. et R.K.

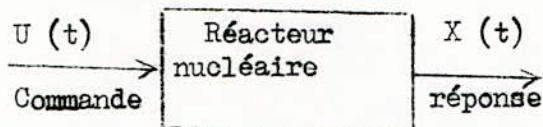
## CHAPITRE IV

### ETUDE DU SYSTEME EN BOUCLE OUVERTE

#### INTRODUCTION

Pour cette étude il s'agit de déterminer la fonction de commande qui amènera le système d'un état initial à l'état final souhaité.

Le système peut être présenté de la façon suivante :



Où  $U (t)$  est la commande qui représente dans notre cas la variation de réactivité des barres de contrôle.

$X (t)$  la réponse du système

$$X ( t ) = \begin{bmatrix} \delta P_n \\ \delta C_1 \\ \delta C_2 \\ \delta Q_u \\ \delta \Theta_m \end{bmatrix}$$

Pour rester toujours dans le domaine de linéarité, il ne faut pas que les variations de charge dépassent  $\pm 10\%$  de la puissance nucléaire.

Enfin pour voir l'évolution de notre système en tenant compte des considérations précédemment définies, on est amené à intégrer l'équation d'état suivante:

$$\dot{X} = A X + B U$$

Et pour cela on a prévu deux méthodes différentes

- CRANCK NICHOLSON
- RANGE KUTTA

## I - STABILITE DU SYSTEME

Avant tout il faut étudier la stabilité du système c'est-à-dire déterminer les valeurs propres de la matrice A du système qui doivent être à partie réelles négatives pour que celui-ci soit stable. (λi)

$$A = \begin{pmatrix} -160 & 0,087 & 0,71 & -2025 & -20250 \\ 71,5 & -0,087 & 0 & 0 & 0 \\ 88,5 & 0 & -0,71 & 0 & 0 \\ 0,037 & 0 & 0 & -0,186 & 0,186 \\ 0 & 0 & 0 & 0,385 & -12,085 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 675 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

- Les valeurs propres de cette matrice A sont à parties réelles négatives (voir annexe) donc notre système est stable.

Puisque nous étudions l'évolution du système pour une variation de + 10 % de la puissance, les valeurs correspondantes des précurseurs et de θu, θm sont calculées à partir des équations d'équilibre.

### CALCUL DES Cio :

$$\theta = 4 \cdot 10^{-5}$$

On a  $P_n = 2700 \text{ Mw}$  à 100% de la puissance nucléaire

$$1^{\circ}) \frac{d}{dt} \frac{C_1(t)}{P_n} = \frac{\beta_1}{\lambda_1} \frac{P_n}{0} \rightarrow_i C_1(t)$$

A l'équilibre pour  $\left\{ \begin{array}{l} P_n = P_0 \\ C_1(t) = C_{10} \end{array} \right.$

$$\frac{d C_1(t)}{dt} = 0 \Rightarrow \frac{\beta_1 P_0}{\lambda_1 \theta} - \lambda_1 C_{10} = 0 \Rightarrow$$

$$C_{10} = \frac{\beta_1 P_0}{\lambda_1 \theta} = 22,18 \cdot 10^5 \text{ Mw}$$

de la même manière on trouve

$$C_{20} = \frac{\beta_2 P_0}{\lambda_2 \theta} = 3,36 \cdot 10^5 \text{ Mw}$$

### VALEUR DE Tuo, Tmo

$$Tuo = 700^\circ\text{C} \quad \left. \right\} \text{à 100% de la puissance nucléaire.}$$

$$Tmo = 302,8^\circ\text{C}$$

$$\theta_u = Tu - Te = 700 - 284 = 527^\circ\text{C}$$

$$\theta_m = Tm - Te = 302,8 - 284 = 18,8^\circ\text{C}$$

TABLEAU DES VARIATIONS DES VARIABLES D'ETATS

	Pn(Mw)	C1(Mw)	C2(Mw)	θu °c	θm °c
100%	2700	2218 10 <sup>4</sup>	336 10 <sup>3</sup>	527	17,649
90%	2430	1997 10 <sup>3</sup>	302 894	464,3	15,88
	270	221800	33600	52,7	1,88

II - DETERMINATION DE LA COMMANDE

II - 1 - Echelon de commande + 10% de la puissance

La variation de charge correspond à un échelon de  $\pm 10\%$  est déterminée à partir de la formule de réactivité globale.

$$\delta \rho = \delta \rho_B \pm \alpha_u \delta \theta_u \pm \alpha_m \delta \theta_m \quad (\text{selon l'échelon considéré})$$

à l'équilibre  $\delta \rho = 0$

$$\delta \rho_B = \pm (\alpha_u \delta \theta_u + \alpha_m \delta \theta_m)$$

$$\delta \rho_B = \pm 214,5$$

En tenant compte de la réponse des différents éléments du système on peut prendre une rampe très raide, car généralement on ne trouve pas en pratique des échelons.

D'où l'équation de la rampe raide devient :

$$\delta \rho_B = U = \begin{cases} -214,5 & t = 0s \\ 0 & t = 5s \end{cases}$$

D'où

$$\boxed{\delta \rho_B = \pm 42,9 t \mp 214,5}$$

II - 2 - RAMPE DE  $\pm$  10 % DE PUISSANCE

La variation de charge à un taux maximum de 5% /mm correspond aux besoins du réseau pour compenser les variations de charges journalière, cette vitesse ne doit pas provoquer la mise en service du système du contournement c'est-à-dire que la différence entre la température moyenne de sa valeur consigné ne doit pas dépasser 3°C pendant la réduction de puissance, cette pente correspond à la vitesse maximale autorisée.

- Détermination de l'équation de la rampe correspondante à une variation de charge de 5%/ mm.

Pour passer de 100% à 90% ou de 90% à 100% avec un taux de 5%/mm il nous faut donc 2 mm ( t = 120 s )

L'équation de la rampe sera

$$\frac{\delta P}{P_B} = U = \pm 1,7875 t \mp 214,5$$

.../...

III - TRAITEMENT NUMERIQUE

Il convient tout d'abord de rappeler que pour être de la plus grande utilité aux Ingénieurs, la solution des problèmes physiques régies par des équations différentielles doivent apparaître sous forme de graphiques représentant les variations des variables et de leurs dérivées par rapport à la variable indépendante, et ceci pour différentes valeurs des paramètres et des fonctions.

C'est-à-dire que la forme la plus directement utilisable par l'Ingénieur reste la famille des courbes continues tracées en fonction de la variable indépendante.

Or dans le calculateur numérique, toutes les variables dépendantes et indépendantes sont limitées à des valeurs discrètes.

De ce fait l'obtention de la famille des courbes recherchées par l'Ingénieur implique donc une interpolation des résultats numériques obtenus. Il est évident que chaque fois que le pas de calcul est petit plus le problème d'interpolation sera simple.

Il est bien évident que plus les valeurs successives de la variable indépendante sont proches les unes des autres plus l'erreur introduite par le procédé de discrétilisation est petite.

Donc il conviendra de choisir la méthode pratique de traitement d'un système donné sur calculateur arithmétique en tenant compte de la considération portant sur le temps de calcul, la précision et la facilité de programmation.

.../...

III - 2 - RESOLUTION NUMERIQUE DE L'EQUATION D'ETAT DU TYPE

$$\dot{X} = A X + B U$$

a - METHODE DE CRANCK NICHOLSON

La résolution du système d'équations différentielles linéaires par la méthode de CRANCK NICHOLSON et basée sur le développement en série de TAYLOR.

Considérons le système linéaire décrit par l'équation d'état.

$$\dot{X}(t) = A X(t) + B U(t)$$

$X(0) = X_0$  état initial du système.

Où  $X(t) = (x_1, x_2, \dots, x_n)^T$  est la solution du système à l'instant  $t$

$U(t) = (u_1, u_2, \dots, u_n)^T$  est le vecteur de commande à l'instant  $t$ .

$A(n,n)$  et  $B(n,n)$  sont les matrices constantes du système.

Le développement en séries de TAYLOR est un développement infini, les différents termes du développement en séries devenant d'autant plus faible que leur ordre est plus élevé pour cette méthode le développement en séries à l'ordre deux est largement suffisant d'après des résultats pratiques qui vérifie qu'à partir de l'ordre trois les éléments sont négligeables.

Le développement en séries de TAYLOR de  $x(t+h)$  en fonction de  $x(t)$  à l'ordre deux est donné par :

$$x(t+h) = x(t) + h \dot{x}(t) + h^2 \ddot{x}(t) \quad (1)$$

de même que le développement en séries de TAYLOR de  $x(t)$  en fonction de  $x(t+h)$  est donné par :

$$x(t) = x(t+h) - h \dot{x}(t+h) + h^2 \ddot{x}(t+h) \quad (2)$$

La différence entre les deux équations 1 et 2 donne :

$$2(x(t+h) - x(t)) = h \dot{x}(t) + h^2 \ddot{x}(t) + h \dot{x}(t+h) - h^2 \ddot{x}(t+h) \quad (3)$$

Où :

$$\dot{x}(t) = A \dot{x}(t) + B U(t)$$

$$\ddot{x}(t) = A \ddot{x}(t) + B \dot{U}(t)$$

De même que

$$\dot{x}(t+h) = A \dot{x}(t+h) + B U(t+h)$$

$$\ddot{x}(t+h) = A \ddot{x}(t+h) + B \dot{U}(t+h)$$

En substituant on trouve :

$$\begin{aligned} 2(\dot{x}(t+h) - \dot{x}(t)) &= h(Ax(t) + Bu(t)) + \frac{h^2}{2}(A\ddot{x}(t) + B\dot{u}(t)) \\ &\quad + h(Ax(t+h) + Bu(t+h)) - \frac{h^2}{2}(A\ddot{x}(t+h) + B\dot{u}(t+h)) \\ &= hAx(t) + hBu(t) + \frac{h^2}{2}A(Ax(t) + Bu(t)) \\ &\quad + \frac{h^2}{2}B\dot{u}(t) + hAx(t+h) + hBu(t+h) - \frac{h^2}{2}A(Ax(t+h) \\ &\quad + Bu(t+h)) - \frac{h^2}{2}B\dot{u}(t+h) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (I - h/2A + h^2/4A^2)x(t+h) &= (I + h/2A + h^2/4A^2)x(t) + (h/2B + h^2/4AB)u(t) \\ &\quad + (h/2B - h^2/4AB)u(t+h) + h^2/4B\dot{u}(t) \\ &\quad - h^2/4B\dot{u}(t+h). \end{aligned}$$

Finalement on trouve  $x(t+h)$  en fonction de  $x(t)$  :

$$\begin{aligned} x(t+h) &= (I - h/2A + h^2/4A^2)^{-1}[(I + h/2A + h^2/4A^2)x(t) + (h/2B + h^2/4AB)u(t) \\ &\quad + (h/2B - h^2/4AB)u(t+h) + h^2/4B\dot{u}(t) - h^2/4B\dot{u}(t+h)] \quad (4) \end{aligned}$$

L'équation(4) permet d'intégrer pas à pas le système

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

connaissant  $u(t), u(t), u(t+h), \dot{u}(t+h)$

Dans notre étude on s'intéresse uniquement au cas où la commande  $u$  ait la forme suivante :

$$u = \begin{cases} \sum_{n=0}^m \alpha_n t^n & t \geq 0 \\ 0 & t < 0 \end{cases} \quad \text{Cas d'une rampe ou d'un échelon.}$$

#### - PROPRIETE DE LA METHODE DE CRANCK NICHOLSON

L'une des propriétés essentielles de cette méthode est la possibilité d'étudier la stabilité de cette dernière.

A cet effet il faut déterminer les valeurs propres de la matrice

$\Gamma = (I - h/2A + h^2/4A^2)^{-1}(I + h/2A + h^2/4A^2)$  qui doivent être à parties réelles inférieures à 1.

On remarque bien que la stabilité de cette méthode dépend essentiellement du pas d'intégration  $h$  puisque  $\Gamma$  est fonction de  $h$ .

On montre aussi que cette méthode converge<sup>vers</sup> la solution pour tout  $h$  quand  $t \rightarrow \infty$  et pour toute entrée qui a la forme d'une rampe ou d'un échelon.

3) - DESCRIPTION DES SOUS PROGRAMMES UTILISEES PAR LA METHODE DE

C R A N C K      N I C H O L S O N

Dans le programme principal A et B représentant les matrices du système

$$\dot{X} = AX + BU$$

Le programme principal fait appel à des sous programmes pendant l'exécution pour différentes opérations:

Le S/P MULM

Ce sous programme effectue la multiplication de deux matrices et le résultat est stocké dans une autre matrice.

Le S/P MUL

Ce sous programme effectue la multiplication de tous les éléments d'un vecteur par la même constante "E" et le résultat est stocké dans un autre vecteur.

Le S/P MUL 1

Ce sous programme effectue la multiplication d'une matrice par un vecteur et le résultat est stocké dans un autre vecteur.

Le S/P MUL 2

Ce sous programme effectue la multiplication de tous les éléments d'une matrice par la même constante "E" et le résultat est stocké dans une autre matrice.

Le S/P SOM

Ce sous programme effectue la somme d'une matrice entière avec une matrice réelle et stock le résultat dans une autre matrice.

Le S/P SOM 1

Ce sous programme effectue la somme de deux vecteurs et stock le résultat dans un autre vecteur;

S/P SAM

Ce sous programme effectue la somme de deux matrices réelles et stock le résultat dans autre matrice.

S/P SUB

Ce sous programme effectue la différence d'une matrice réelle et d'une matrice entière et stock le résultat dans une autre matrice.

Le S/P SUB 1

Ce sous programme effectue la différence entre 2 vecteurs et stock le résultat dans un autre vecteur.

Le S/P INVMAT

Ce sous programme effectue l'inversion d'une matrice et stock le résultat dans une autre matrice.

Le S/P VAMAX

Ce sous programme permet la détermination du maximum des éléments d'un tableau.

Le S/P VAMIN

Ce sous programme permet de déterminer le minimum des éléments d'un tableau.

Le S/P COURBE

Ce sous programme permet de tracer les courbes, dans ce S/P il y a des spécifications dont les suivantes:

U représente l'échelle en ordonnée c'est-à-dire le nombre d'unité correspondant à chaque ligne.

IORIG est la ligne correspondante à l'origine des axes.

IPAS le temps entre 2 points.

IABS détermine la position en abscisse.

JORD détermine la position en ordonnée.

TAB(I) est une zone mémoire qui contient les valeurs de l'une des variables pour différentes itérations.

VALMAX est la valeur maximale des différentes itérations de la même variable.

VAMIN est la valeur minimale des différentes itérations de la même variable .

.../...

III - METHODE ITERATIVE DE RANGE KUTTA D'ORDRE IV POUR UN SYSTEME D'EQUATIONS DIFFERENTIELLES

a) - Position du problème

On supposera que le système d'équations différentielles à résoudre est donné sous la forme suivante :

$$\frac{d X^1}{dt} = f_1 ( t, X^1, X^2, X^3, \dots, X^n )$$

$$\frac{d X^2}{dt} = f_2 ( t, X^1, X^2, X^3, \dots, X^n )$$

-----

$$\frac{d X^n}{dt} = f_n ( t, X^1, X^2, X^3, \dots, X^n )$$

Avec les conditions initiales (solution particulière).

$$X^1_o = X^1 ( t_0 )$$

$$X^2_o = X^2 ( t_0 )$$

-----

$$X^n_o = X^n ( t_0 )$$

Si cela n'était pas, on pourrait toujours <sup>s'y</sup> ramener par un changement de variable approprié.

Lorsque l'on résout un système d'équations différentielles sur calculateur, on ne peut pas demander à ce dernier de donner une expression mathématique des fonctions en lui demandant donc de les décrire point par point.

L'ordinateur trace un tableau donnant les valeurs des divers  $X^s$  pour les valeurs de la variable.

$$t = t_0 + dt$$

$$t = t_0 + 2 dt$$

-----

$$t = t_0 + j dt$$

-----

$$t = t_0 + M dt$$

Pour cela, on peut utiliser la méthode de RANGE KUTTA.

C'est un algorithme permettant d'approcher la somme de la série de TAYLOR.

Partant des valeurs de départ

$$X^1_o, X^2_o, \dots, X^3_o, \dots, X^n_o$$

Cet algorithme permet de déterminer un lot de valeurs  
 $x_1, x_1^1, x_1^2, x_1^3, \dots, x_1^n$ ,

correspondant à un accroissement  $h$  de la variable.

C'est-à-dire que connaissant  $x_0 = x_0^s (t_0)$

On peut calculer  $x_1 = x_1^s (t_0+h)$

On peut ainsi déterminer les fonctions  $X$  de proche en proche et faire imprimer les valeurs de  $X^s$ .

Correspondant à  $t = t_0 + jdt$ ,  $j$  variant de 1 à  $M$  avec  $dt = kh$ .

B - Exposé de l'algorithme.

Connaissant  $x_1^1, x_1^2, x_1^3, \dots, x_1^s, \dots, x_1^n$ .

correspondant à  $t = t_0 + ih = t_i$  on détermine :

$x_{i+1}^1, \dots, x_{i+1}^n$

correspondant à  $t = t_0 + (i+1)h = t_{i+1}$

par les formules :

$$x_{i+1}^1 = x_i^1 + 1/6(T_1^1 + 2T_2^1 + 2T_3^1 + T_4^1)$$

-----

-----

$$x_{i+1}^n = x_i^n + 1/6(T_1^n + 2T_2^n + 2T_3^n + T_4^n)$$

Avec

$$T_1^1 = h f_1 (t_1, x_1^1, x_1^2, \dots, x_1^s, \dots, x_1^n)$$

-----

$$T_1^n = h f_n (t_n, x_1^n, \dots, x_1^s, \dots, x_1^n)$$

et

$$T_2^1 = h f_1 (t_1 + 0.5h, x_1^1 + 0.5T_1^1, x_1^2 + 0.5T_1^2, \dots, x_1^n + 0.5T_1^n)$$

-----

$$T_2^n = h f_n (t_n + 0.5h, x_1^n + 0.5T_1^n, x_1^s + 0.5T_1^s, \dots, x_1^1 + 0.5T_1^1)$$

et

$$T_3^1 = h f_1 (t_1 + 0.5h, x_1^1 + 0.5T_2^1, x_1^2 + 0.5T_2^2, \dots, x_1^n + 0.5T_2^n)$$

$$T_3^n = h f_n ( t_i + 0.5h, X_i + 0.5 T_2^1, X_i + 0.5 T_2^2, \dots, X_i + 0.5 T_2^n )$$

et enfin

$$T_4^n = h f_n ( t_i + h, X_i + T_3^1, X_i + T_3^2, \dots, X_i + T_3^n )$$

-----

$$T_4^n = h f_n ( t_i + h, X_i + T_3^1, X_i + T_3^2, \dots, X_i + T_3^n )$$

On constate tout de suite que la difficulté de cette méthode réside dans le choix du pas d'intégration  $h$ , si on ne le prend pas assez faible, les formules d'approximation ci-dessus ne sont plus valables et si on le prend trop faible, le temps de calcul devient prohibitif.

#### CONCLUSION

Le choix du pas d'intégration est très important dans cette méthode.

#### DESCRIPTION DES S/P UTILISES PAR LA METHODE DE RANGE KUTTA

##### I - LE PROGRAMME PRINCIPAL

A.B représentent les matrices constantes du système

$$\dot{X} = AX + BU$$

Ce programme fait appel à des sous programmes durant son execution.

##### S/P MIG 1

Ce sous programme permet de calculer les coefficients  $T_1 (j)$ .

##### S/P MIG 2

Ce sous programme permet de calculer les coefficients  $T_2 (j)$ .

##### S/P MIG 3

Ce dernier permet de calculer les coefficients  $T_3 (j)$ .

##### S/P MIG 4

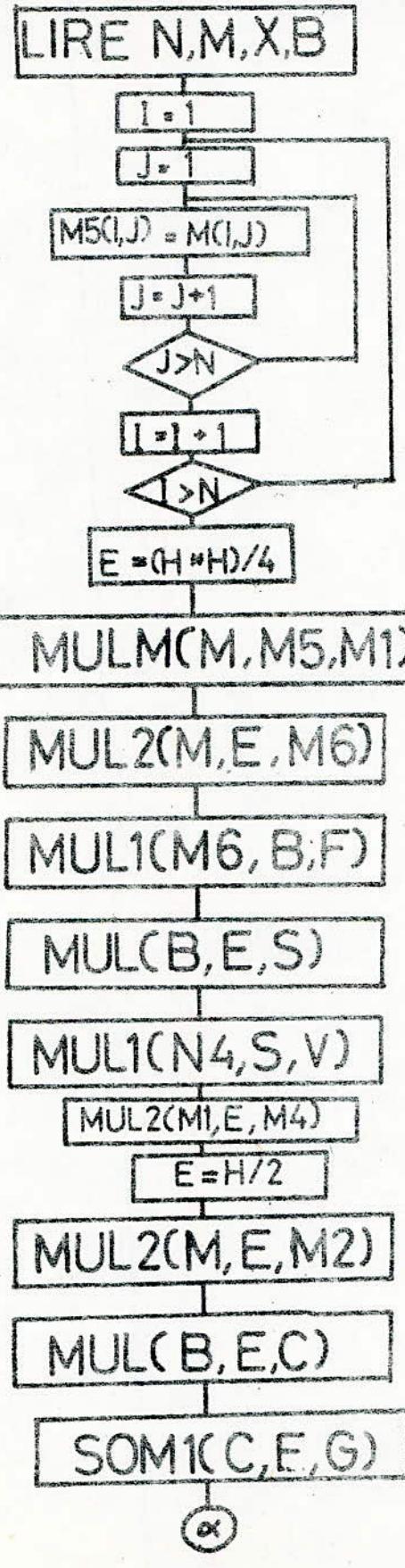
Ce dernier permet de calculer les coefficient  $T_4 (j)$ .

TABLEAU DE VALEURS

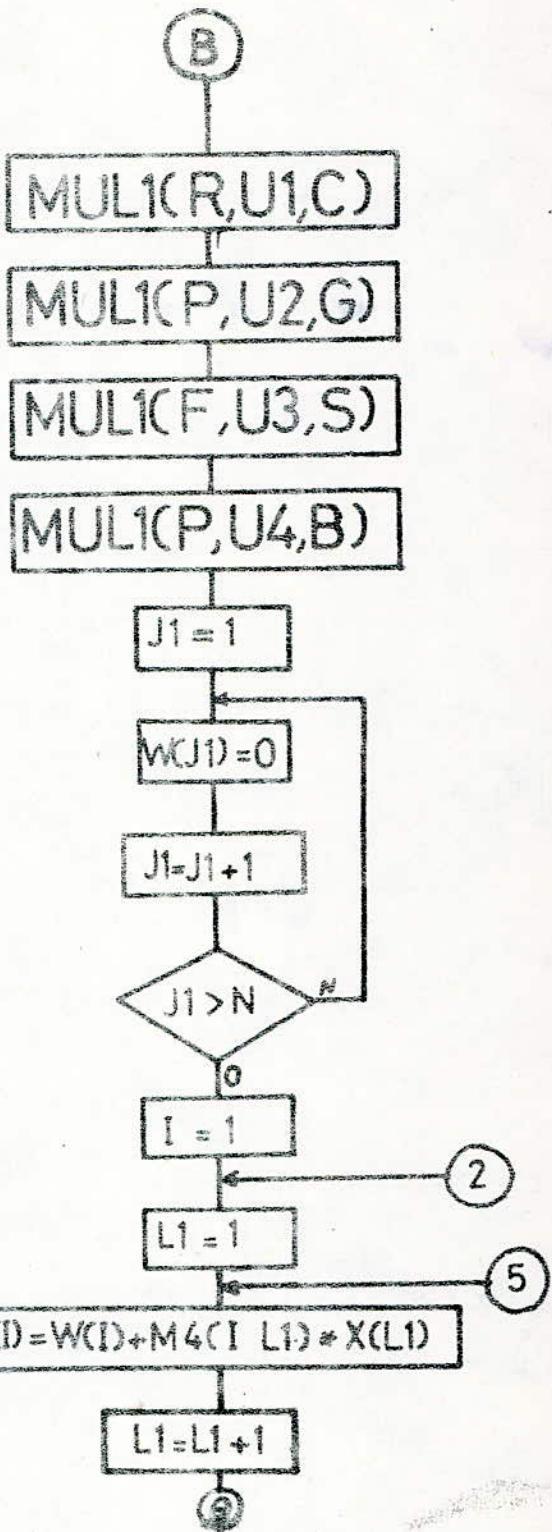
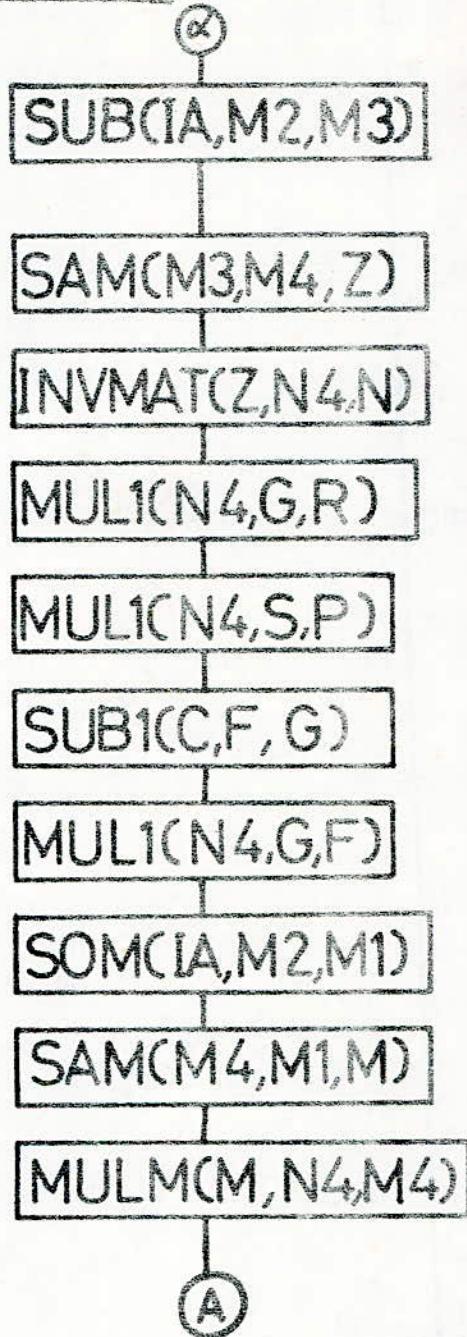
Symbole	Definition	Valeur	Unité
P <sub>o</sub>	Puissance nucléaire nominale à 100%	2700	MW
$\beta$	Fraction totale des neutrons retardés	640	P.C.M
$\theta$	Durée de vie moyenne d'un neutron	$4 \cdot 10^{-5}$	s
$\lambda_1$	Probabilité de désintégration des noyaux précurseurs (1)	0.087	$s^{-1}$
$\lambda_2$	Probabilité de désintégration des noyaux précurseurs (2)	0.71	$s^{-1}$
$\alpha_u$	Coefficient Doppler	3	pcm/oC
$\alpha_m$	Coefficient modérateur	30	pcm/oC
$\beta_1$	Fraction des neutrons retardés du groupe (1)	286	pcm
$\beta_2$	Fraction des neutrons retardés du groupe (2)	354	pcm
K	Coefficient d'échange (Watt-Cal)	0,25	Cal/oC.S
M <sub>u</sub>	Masse du combustible	82,193	T
C <sub>u</sub>	Chaleur massique du combustible	77,41	Cal/oC.S
M <sub>m</sub>	Masse du modérateur	$10,59 \cdot 10^3$	Kg
C <sub>m</sub>	Chaleur massique du modérateur	1	Cal/oC.S
R <sub>um</sub>	Résistance thermique uranium-modérateur	$2,46 \cdot 10^{-3}$	$m^2 oC.S/Cal$
R <sub>gm</sub>	Résistance thermique gaine-modérateur	$1,83 \cdot 10^{-3}$	$m^2 oC.S/Cal$
R <sub>ug</sub>	Résistance thermique uranium-gaine	$6,2 \cdot 10^{-4}$	$m^2 oC.S/Cal$
Q <sub>m</sub>	Débit de l'eau dans le cœur	$61,7 \cdot 10^3$	Kg/S
	Réactivité totale à l'équilibre	0	pcm
$\delta_{C10}$	Variation de la puissance nominale du 1 <sup>ère</sup> groupe des précurseurs de 10%	221800	MW
$\delta_{C20}$	Variation de la puissance nominale du 2 <sup>ème</sup> groupe des précurseurs de 10%	33600	MW
T <sub>uo</sub>	Température nominale d'uranium à 100 %	700	oC
T <sub>E</sub>	Température de l'eau primaire à l'entrée du cœur	284	oC
T <sub>s</sub>	Température de l'eau primaire à la sortie du cœur	321,4	oC
T <sub>mo</sub>	Température moyenne nominale du modérateur	302,8	oC

# ORGANIGRAMME PRINCIPAL IA

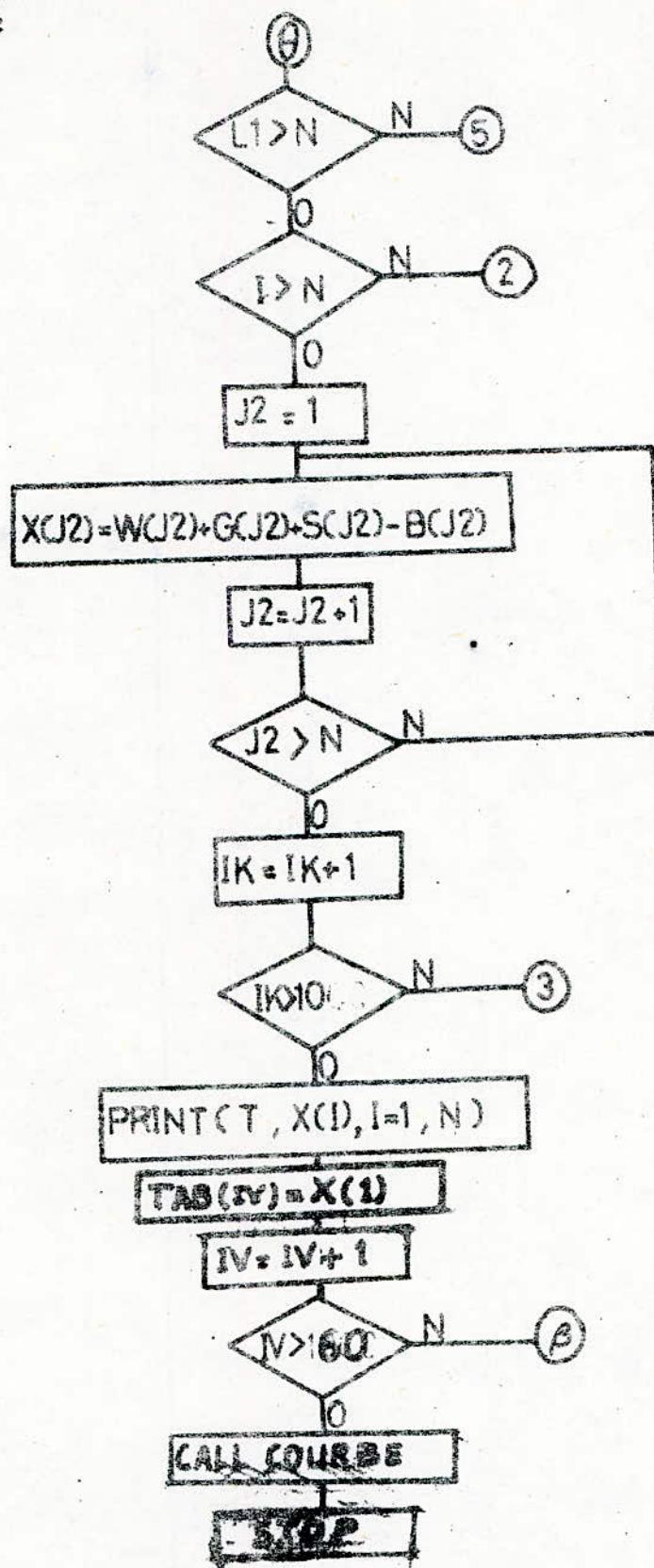
## METHODE DE CRANCK NICOLSON

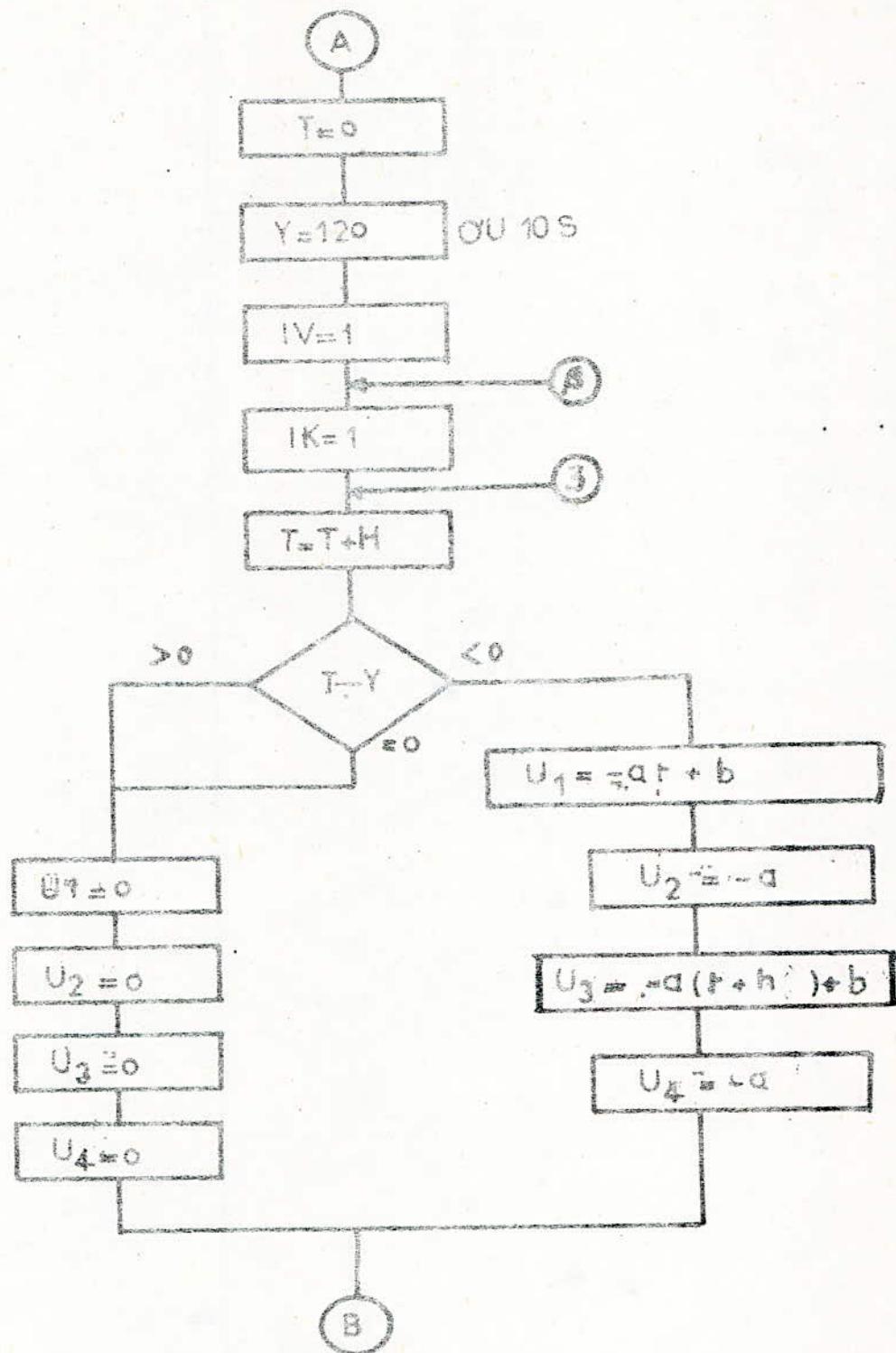


SUITE 1A-1

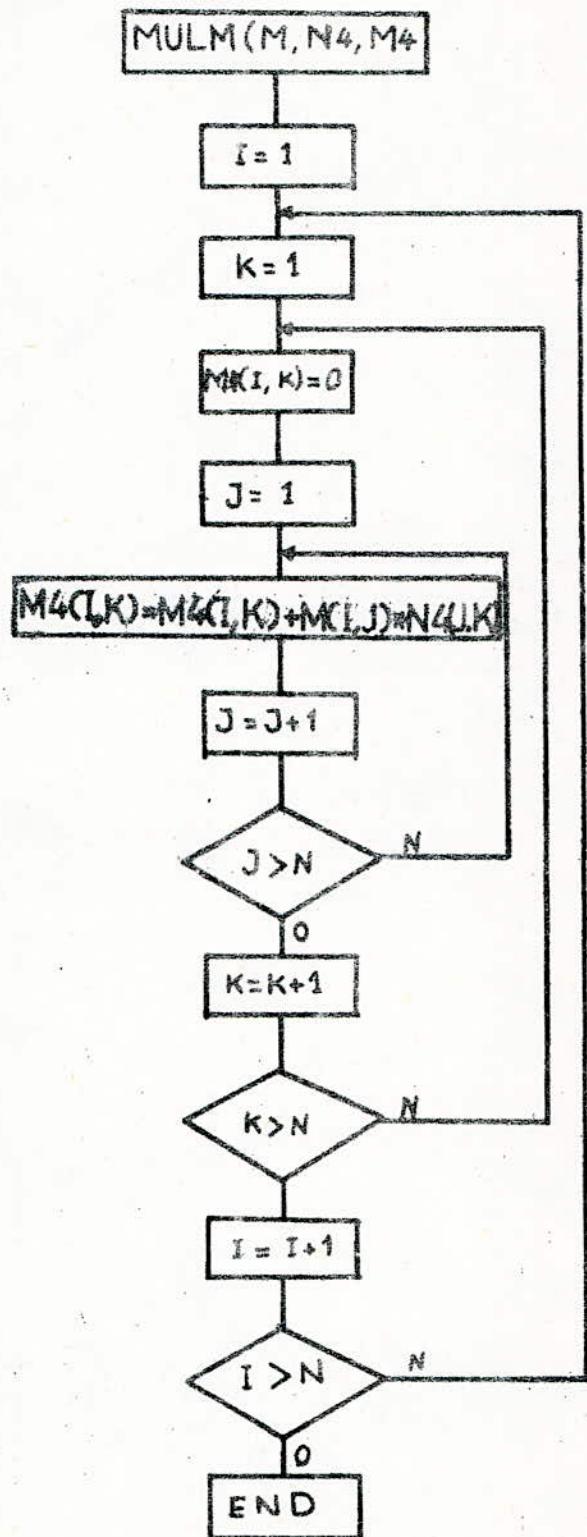
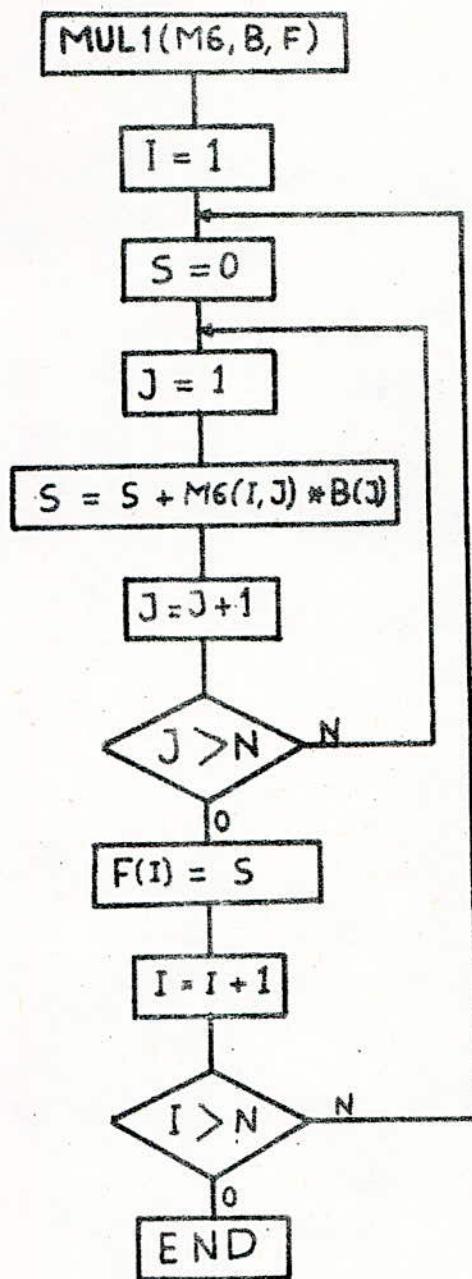


## SUITE 1A.2

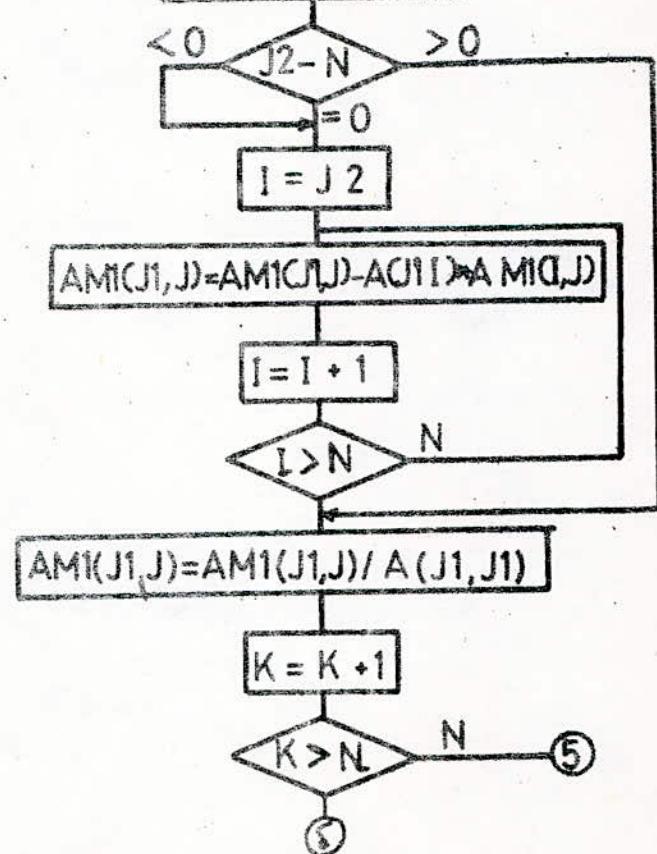
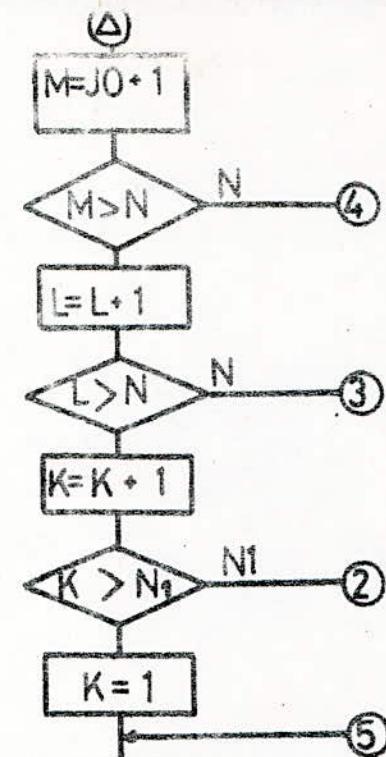
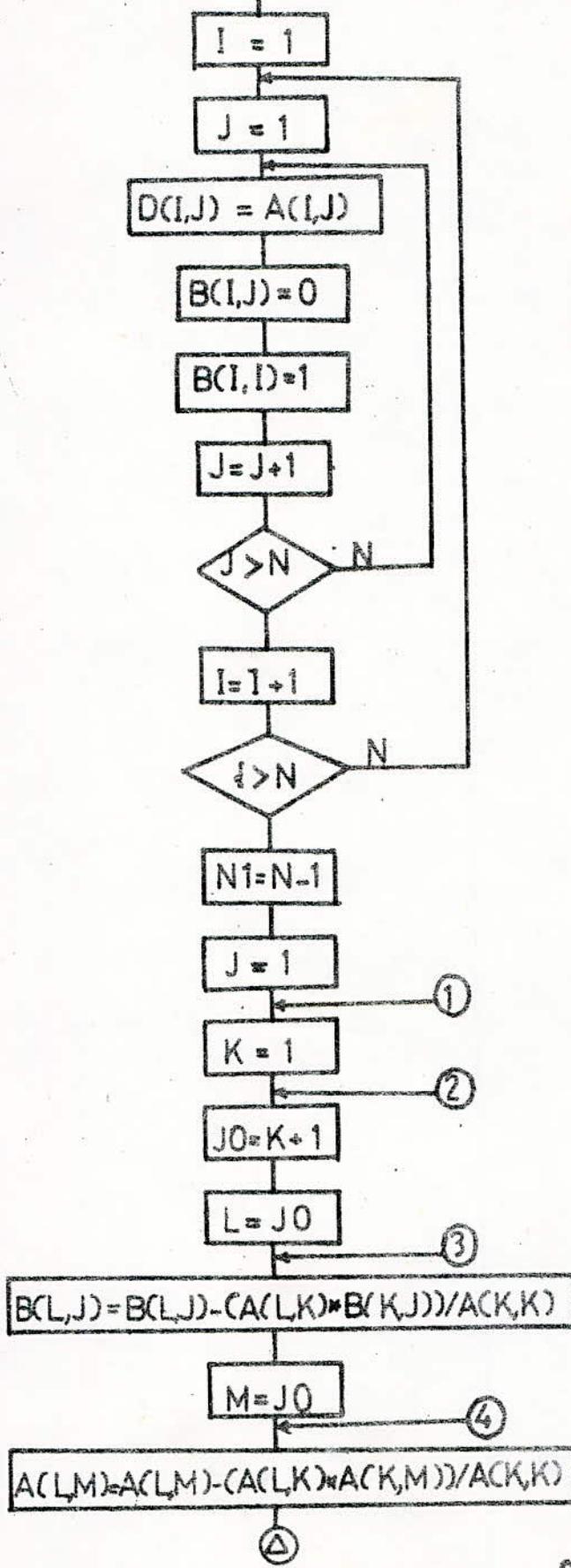


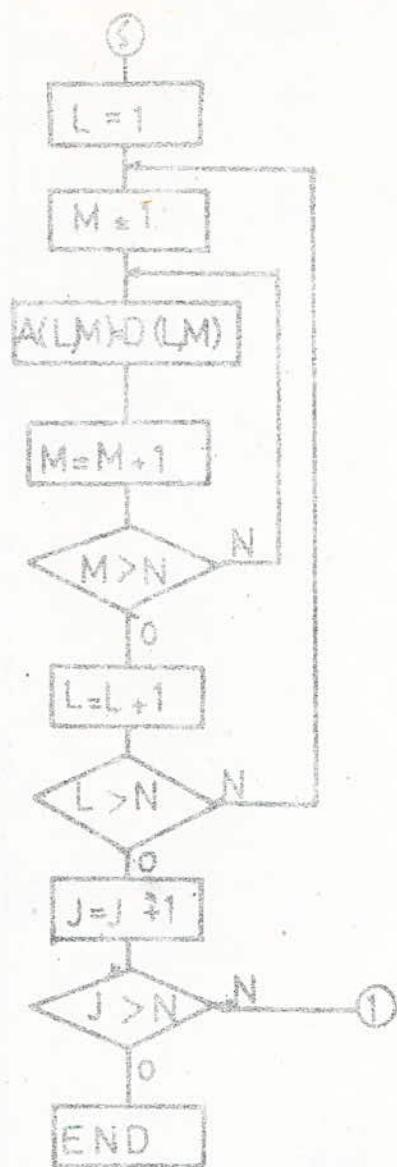


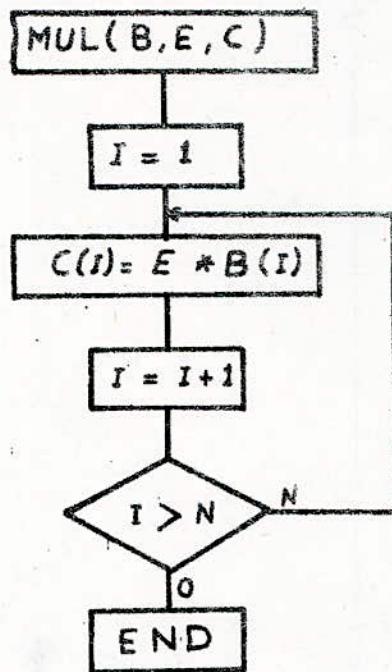
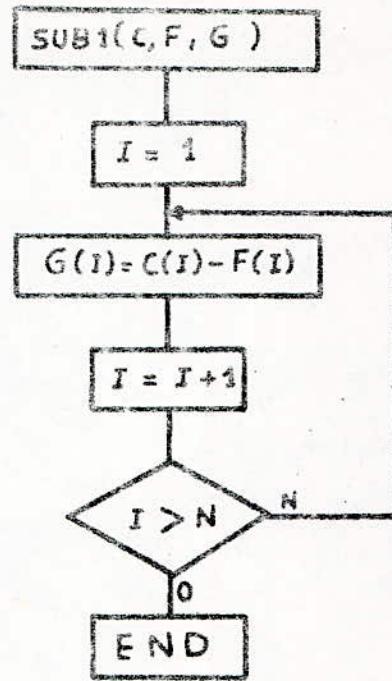
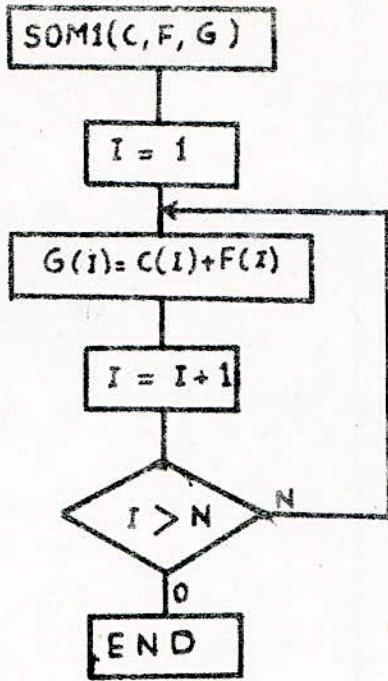
# ORGANIGRAMMES DES SUBROUTINES

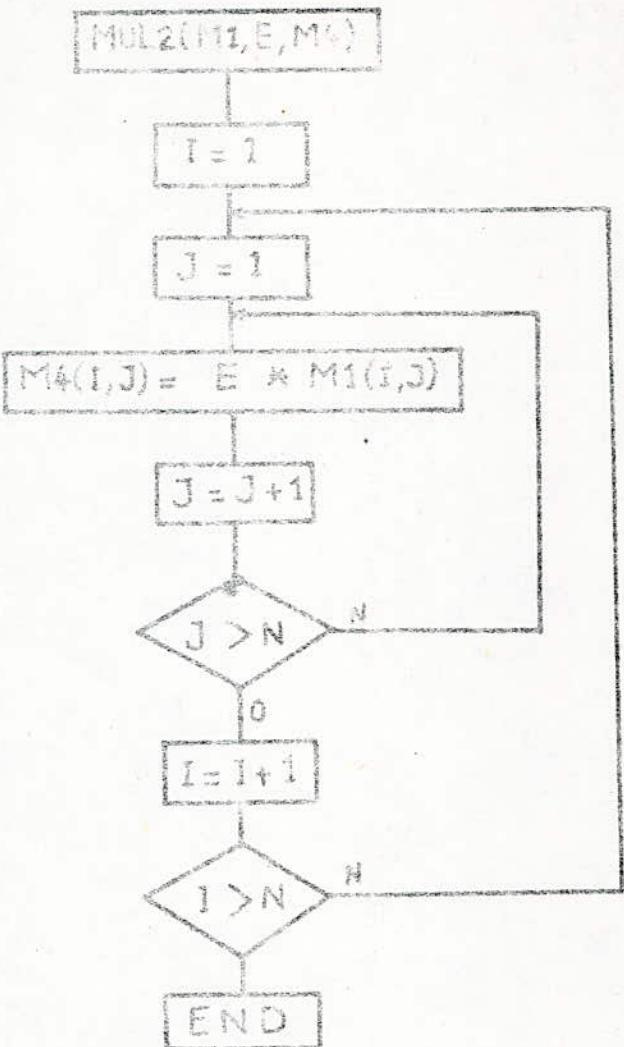
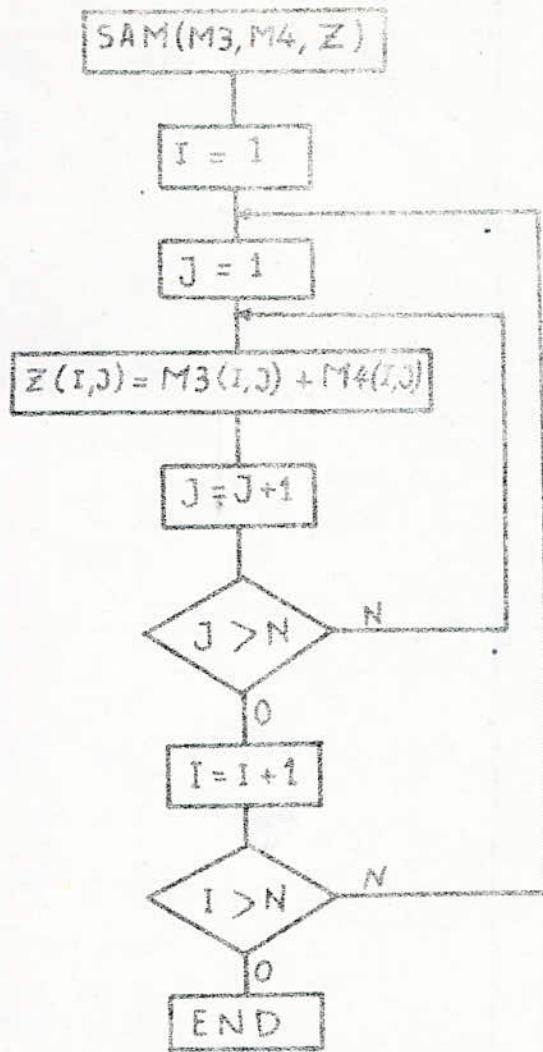


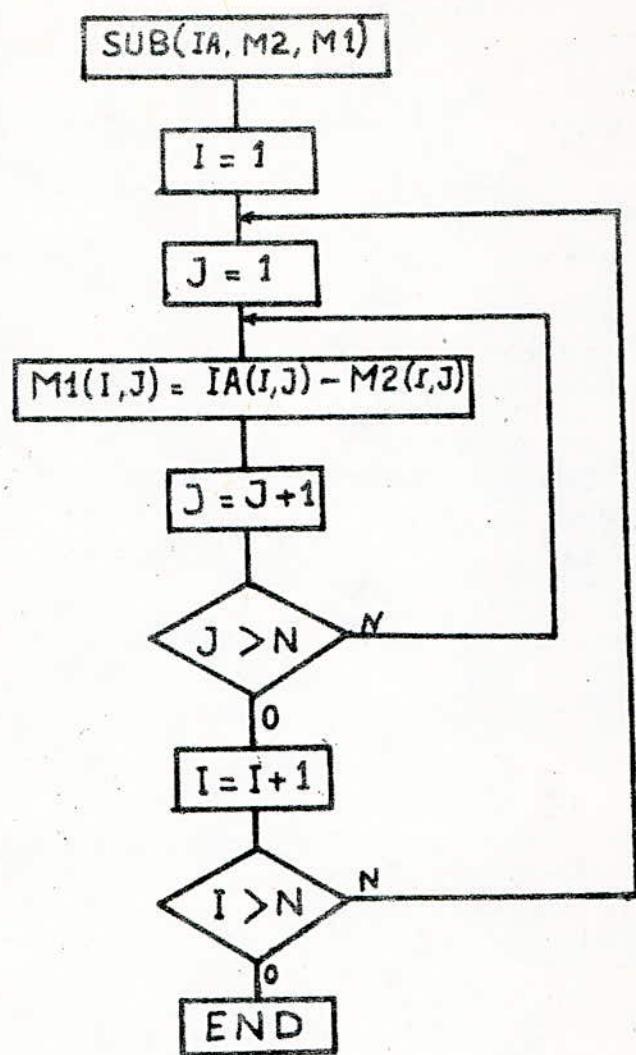
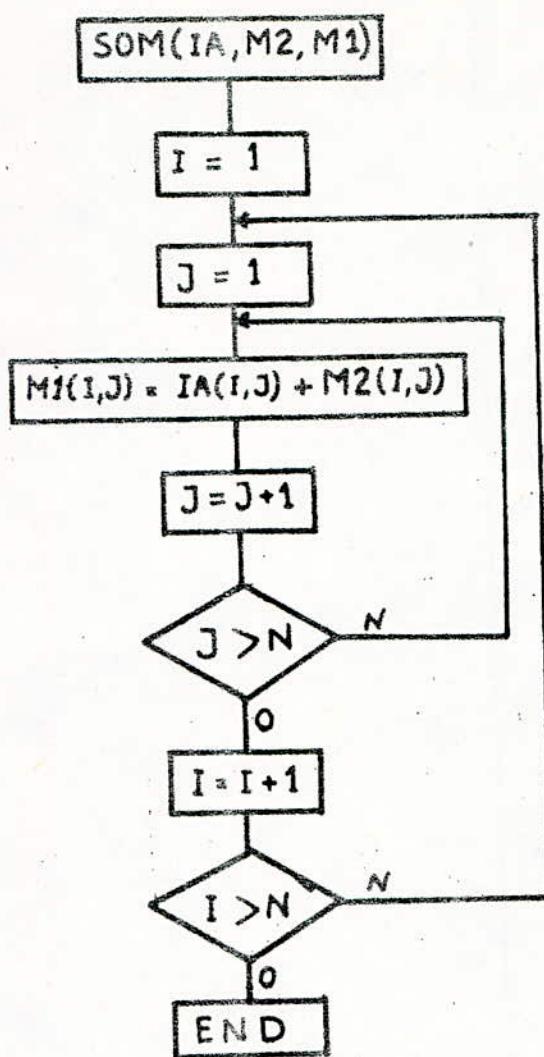
# INVMAT(A,AM1,N)





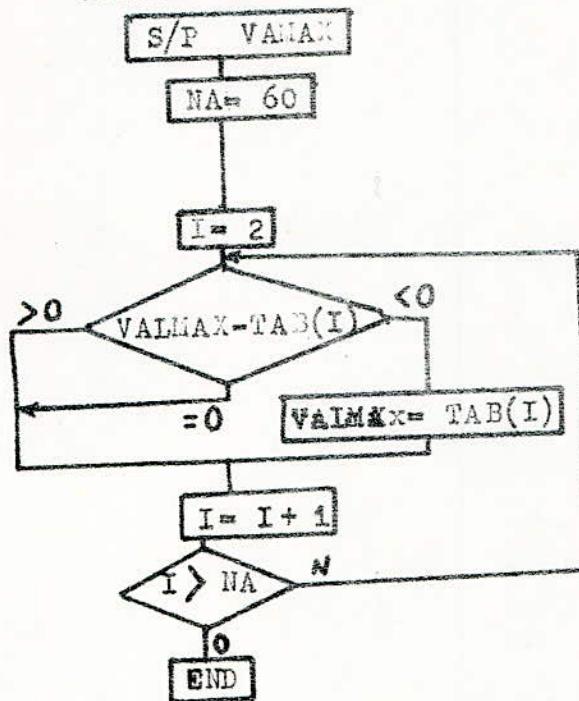






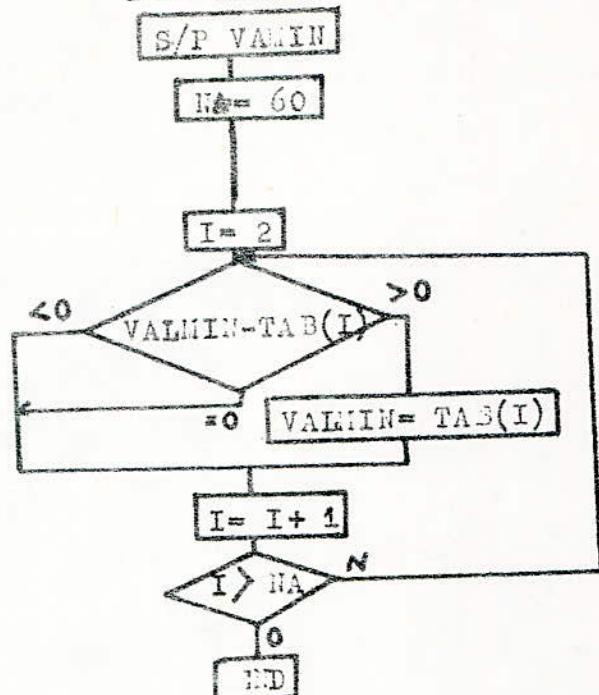
S/P POUR LA DETERMINATION

DU MAXIMUM

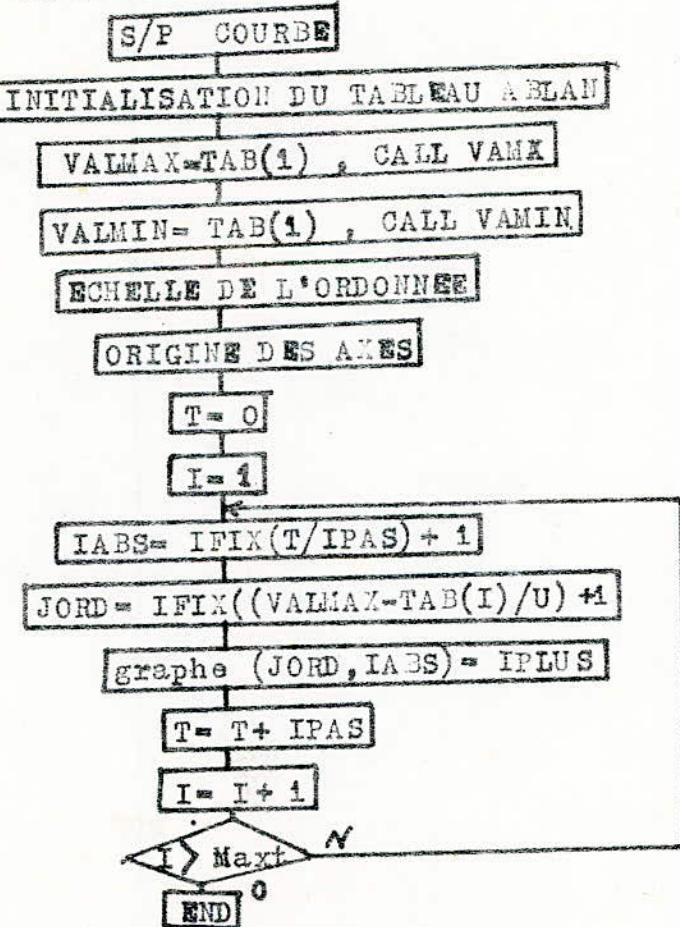


S/P POUR LA DETERMINATION

DU MINIMUM



S/P POUR LA TRACE DES COURBES



VARIATION DE LA COMMANDE EN FONCTION DU TEMPS  
PAS D'ITERATION H= 0.500  
NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 2

U

0.21450E+03I  
0.20950E+03I  
0.20450E+03I  
0.19950E+03I  
0.19450E+03I  
0.18950E+03I  
0.18450E+03I  
0.17950E+03I  
0.17450E+03I +  
0.16950E+03I  
0.16450E+03I  
0.15950E+03I  
0.15450E+03I  
0.14950E+03I  
0.14450E+03I  
0.13950E+03I  
0.13450E+03I  
0.12950E+03I +  
0.12450E+03I  
0.11950E+03I  
0.11450E+03I  
0.10950E+03I  
0.10450E+03I  
0.99500E+02I  
0.94500E+02I  
0.89500E+02I +  
0.84500E+02I  
0.79500E+02I  
0.74500E+02I  
0.69500E+02I  
0.64500E+02I  
0.59500E+02I  
0.54500E+02I  
0.49500E+02I  
0.44500E+02I +  
0.39500E+02I  
0.34500E+02I  
0.29500E+02I  
0.24500E+02I  
0.19500E+02I  
0.14500E+02I  
0.95000E+01I  
0.45000E+01I ++++++  
0.50000E+00-----  
-0.55000E+01I  
-0.10500E+02I  
-0.15500E+02I  
-0.20500E+02I  
-0.25500E+02I  
-0.30500E+02I

\*0

-L-

.250E+02

.390E+02 T

## REONSE DE LA PUISSANCE A UN ECHELON DE REACTIVITE

PAS D'ITERATION H = 0.500  
NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB = 2

DPUT(MW)

0.27000E+03I  
0.26000E+03I  
0.25000E+03I  
0.24000E+03I  
0.23000E+03I  
0.22000E+03I  
0.21000E+03I  
0.20000E+03I  
0.19000E+03I  
0.18000E+03I  
0.17000E+03I  
0.16000E+03I  
0.15000E+03I  
0.14000E+03I  
0.13000E+03I +  
0.12000E+03I  
0.11000E+03I  
0.10000E+03I  
0.90000E+02I  
0.80000E+02I  
0.70000E+02I  
0.60000E+02I  
0.50000E+02I  
0.40000E+02I  
0.30000E+02I  
0.20000E+02I +  
0.10000E+02I  
0.0 I  
0.10000E+02I --  
-0.20000E+02I  
-0.30000E+02I  
-0.40000E+02I  
-0.50000E+02I  
-0.60000E+02I  
-0.70000E+02I  
-0.80000E+02I  
-0.90000E+02I  
-0.10000E+03I  
-0.11000E+03I  
-0.12000E+03I  
-0.13000E+03I  
-0.14000E+03I  
-0.15000E+03I  
-0.16000E+03I  
-0.17000E+03I  
-0.18000E+03I  
-0.19000E+03I  
-0.20000E+03I  
-0.21000E+03I  
-0.22000E+03I

.0

• 250E +02

• 390 F+02 T

RÉPONSE DE LA TEMPERATURE DU MODERATEUR A UN ÉCHELON DE REACTEUR

PAS D'ITERATION H= 0.500

NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 2

DTM(DEG C)

0.18800E+03 +  
0.18400E+03 I  
0.18000E+03 I  
0.17600E+03 I  
0.17200E+03 I  
0.16800E+03 I  
0.16400E+03 I +  
0.16000E+03 I  
0.15600E+03 I  
0.15200E+03 I  
0.14800E+03 I  
0.14400E+03 I  
0.14000E+03 I  
0.13600E+03 I  
0.13200E+03 I +  
0.12800E+03 I  
0.12400E+03 I  
0.12000E+03 I  
0.11600E+03 I  
0.11200E+03 I  
0.10800E+03 I  
0.10400E+03 I  
0.10000E+03 I +  
0.96000E+02 I  
0.92000E+02 I  
0.88000E+02 I  
0.84000E+02 I  
0.80000E+02 I  
0.76000E+02 I  
0.72000E+02 I  
0.68000E+02 I  
0.64000E+02 I +  
0.60000E+02 I  
0.56000E+02 I  
0.52000E+02 I  
0.48000E+02 I  
0.44000E+02 I  
0.40000E+02 I  
0.36000E+02 I  
0.32000E+02 I +  
0.28000E+02 I  
0.24000E+02 I  
0.20000E+02 I  
0.16000E+02 I  
0.12000E+02 I +  
0.80000E+01 I ++++++  
0.40000E+01 I ++++++  
0.0 I ++++++  
0.40000E+01 I ++++++  
0.80000E+01 I ++++++  
0.0 .250E+02 .390E+02 T

## VARIATION DE LA COMMANDE EN FONCTION DU TEMPS

PAS D'ITERATION H= 0.500

NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 10

U

0.21450E+03I  
 0.20950E+03I  
 0.20450E+03I  
 0.19950E+03I +  
 0.19450E+03I  
 0.18950E+03I +  
 0.18450E+03I  
 0.17950E+03I +  
 0.17450E+03I +  
 0.16950E+03I  
 0.16450E+03I +  
 0.15950E+03I  
 0.15450E+03I +  
 0.14950E+03I  
 0.14450E+03I +  
 0.13950E+03I  
 0.13450E+03I +  
 0.12950E+03I +  
 0.12450E+03I  
 0.11950E+03I +  
 0.11450E+03I  
 0.10950E+03I +  
 0.10450E+03I  
 0.99500E+02I  
 0.94500E+02I  
 0.89500E+02I +  
 0.84500E+02I +  
 0.79500E+02I  
 0.74500E+02I +  
 0.69500E+02I  
 0.64500E+02I +  
 0.59500E+02I  
 0.54500E+02I +  
 0.49500E+02I +  
 0.44500E+02I  
 0.39500E+02I +  
 0.34500E+02I  
 0.29500E+02I +  
 0.24500E+02I  
 0.19500E+02I +  
 0.14500E+02I  
 0.95000E+01I  
 0.45000E+01I ++++++  
 0.50000E+00-----  
 0.55000E+01I  
 0.10500E+02I  
 0.15500E+02I  
 0.20500E+02I  
 0.25500E+02I  
 0.30500E+02I

.0

.125E+03

.195E+03 T

## REONSE DE LA PUISSANCE A UNE RAMPE DE REACTIVITE

PAS D ITERATION H= 0.500

NOMBRE D ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 10

DPUI(MW)

DPUI(MW)	
0.27000E+03I	
0.26400E+03I	
0.25800E+03I	
0.25200E+03I+	
0.24600E+03I	
0.24000E+03I +	
0.23400E+03I	
0.22800E+03I +	
0.22200E+03I	
0.21600E+03I +	
0.21000E+03I	
0.20400E+03I +	
0.19800E+03I	
0.19200E+03I +	
0.18600E+03I +	
0.18000E+03I	
0.17400E+03I +	
0.16800E+03I	
0.16200E+03I +	
0.15600E+03I	
0.15000E+03I +	
0.14400E+03I	
0.13800E+03I +	
0.13200E+03I	
0.12600E+03I +	
0.12000E+03I	
0.11400E+03I +	
0.10800E+03I +	
0.10200E+03I	
0.96000E+02I	
0.90000E+02I	
0.84000E+02I	
0.78000E+02I	
0.72000E+02I	
0.66000E+02I	
0.60000E+02I	
0.54000E+02I	
0.48000E+02I	
0.42000E+02I	
0.36000E+02I	
0.30000E+02I	
0.24000E+02I	
0.18000E+02I	
0.12000E+02I	
0.60000E+01I	++++++
0.0 - I	++++++
0.60000E+01I	-----
0.12000E+02I	-----
0.18000E+02I	-----
0.24000E+02I	-----
0.0	.125E+03
	.195E+03 T

## REONSE DE LA TEMPERATURE DU MODERATEUR A UNE RAMPE DEREACT

PAS D ITERATION H= 0.500

NOMBRE D ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 10

DTM(DEG C)

0.18800E+03I	
0.18400E+03I	
0.18000E+03I	
0.17600E+03I	
0.17200E+03I	
0.16800E+03I +	
0.16400E+03I +	
0.16000E+03I	
0.15600E+03I +	
0.15200E+03I	
0.14800E+03I +	
0.14400E+03I	
0.14000E+03I +	
0.13600E+03I	
0.13200E+03I +	
0.12800E+03I +	
0.12400E+03I	
0.12000E+03I +	
0.11600E+03I	
0.11200E+03I +	
0.10800E+03I	
0.10400E+03I +	
0.10000E+03I	
0.96000E+02I -	+
0.92000E+02I +	
0.88000E+02I	
0.84000E+02I	
0.80000E+02I	
0.76000E+02I	
0.72000E+02I	
0.68000E+02I	
0.64000E+02I	
0.60000E+02I	
0.56000E+02I	
0.52000E+02I	
0.48000E+02I	
0.44000E+02I	
0.40000E+02I	
0.36000E+02I	
0.32000E+02I	
0.28000E+02I	
0.24000E+02I	
0.20000E+02I	
0.16000E+02I	
0.12000E+02I	
0.80000E+01I	
0.40000E+01I	++++++
0.0 I	++++++
0.40000E+01I	
0.80000E+01I	

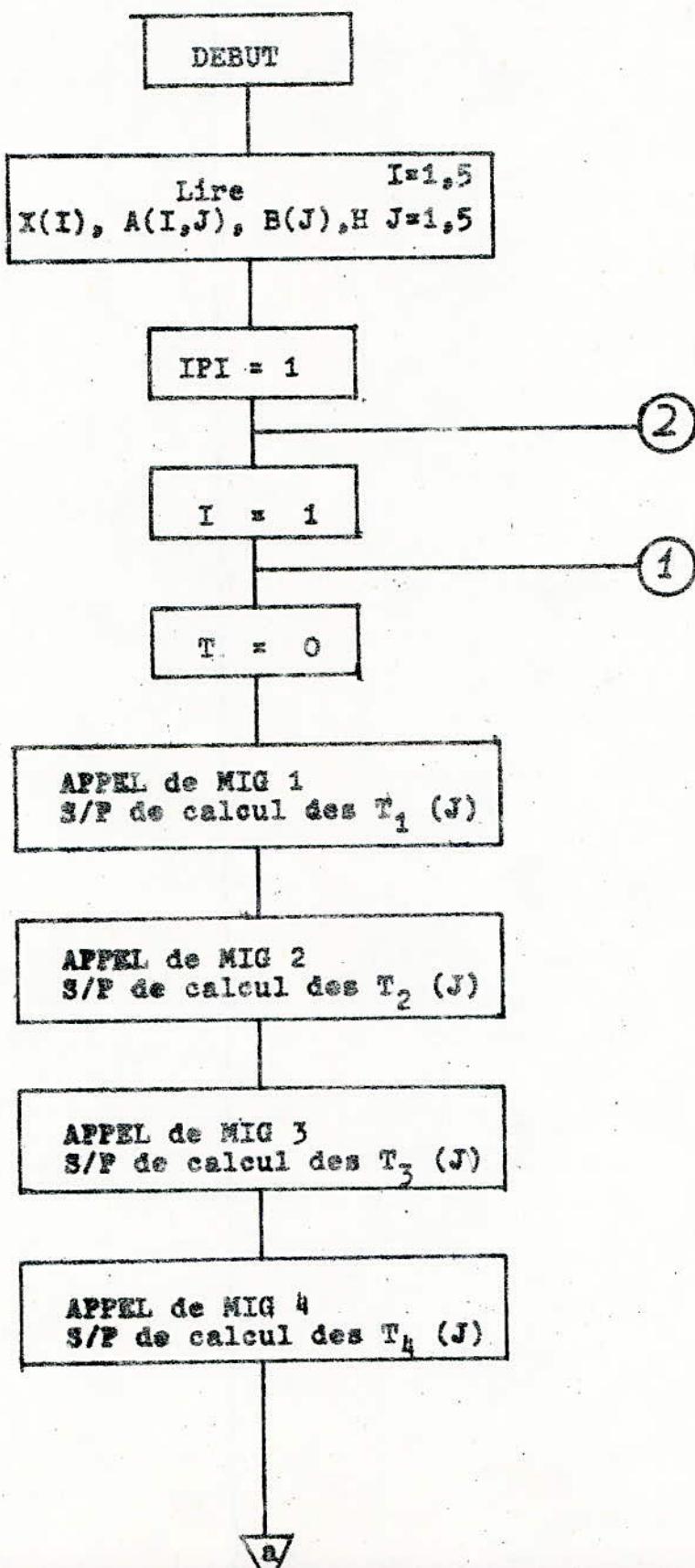
.0

-Q- 125E+03

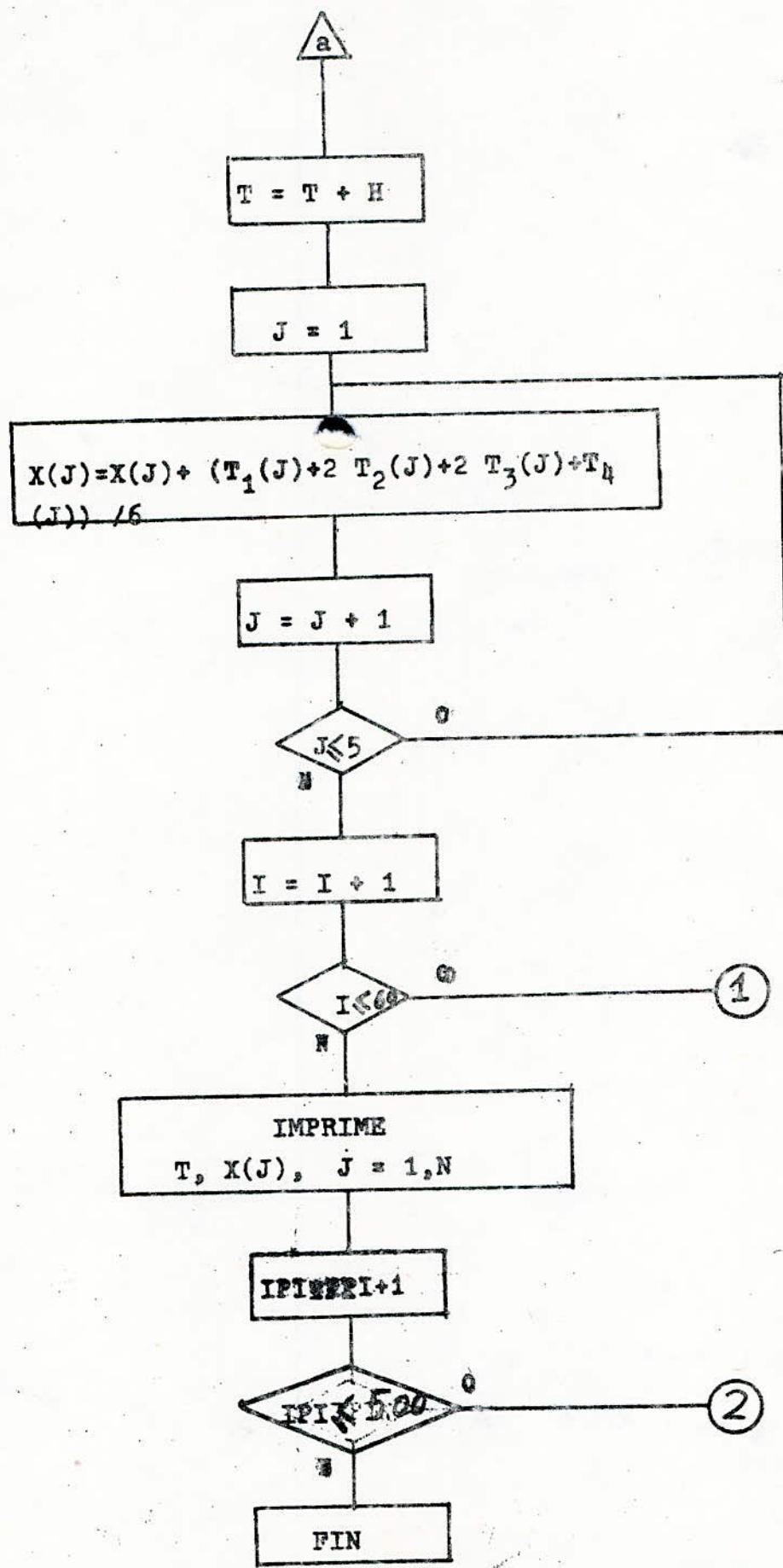
.195E+03 T

-o- METHODE DE RANGE KUTTA -o-

ORGANIGRAMME DU PROGRAMME PRINCIPAL

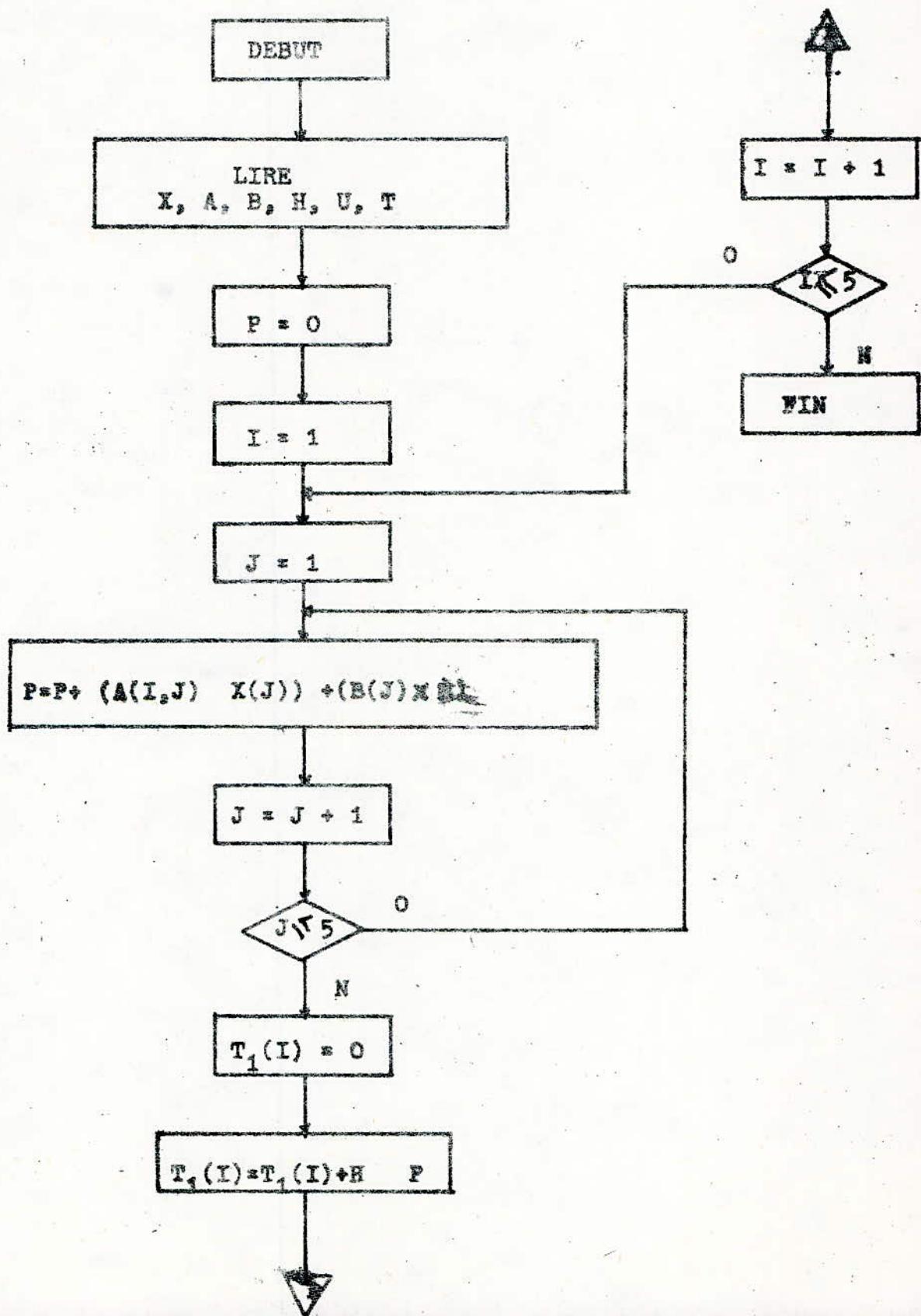


## SUITE



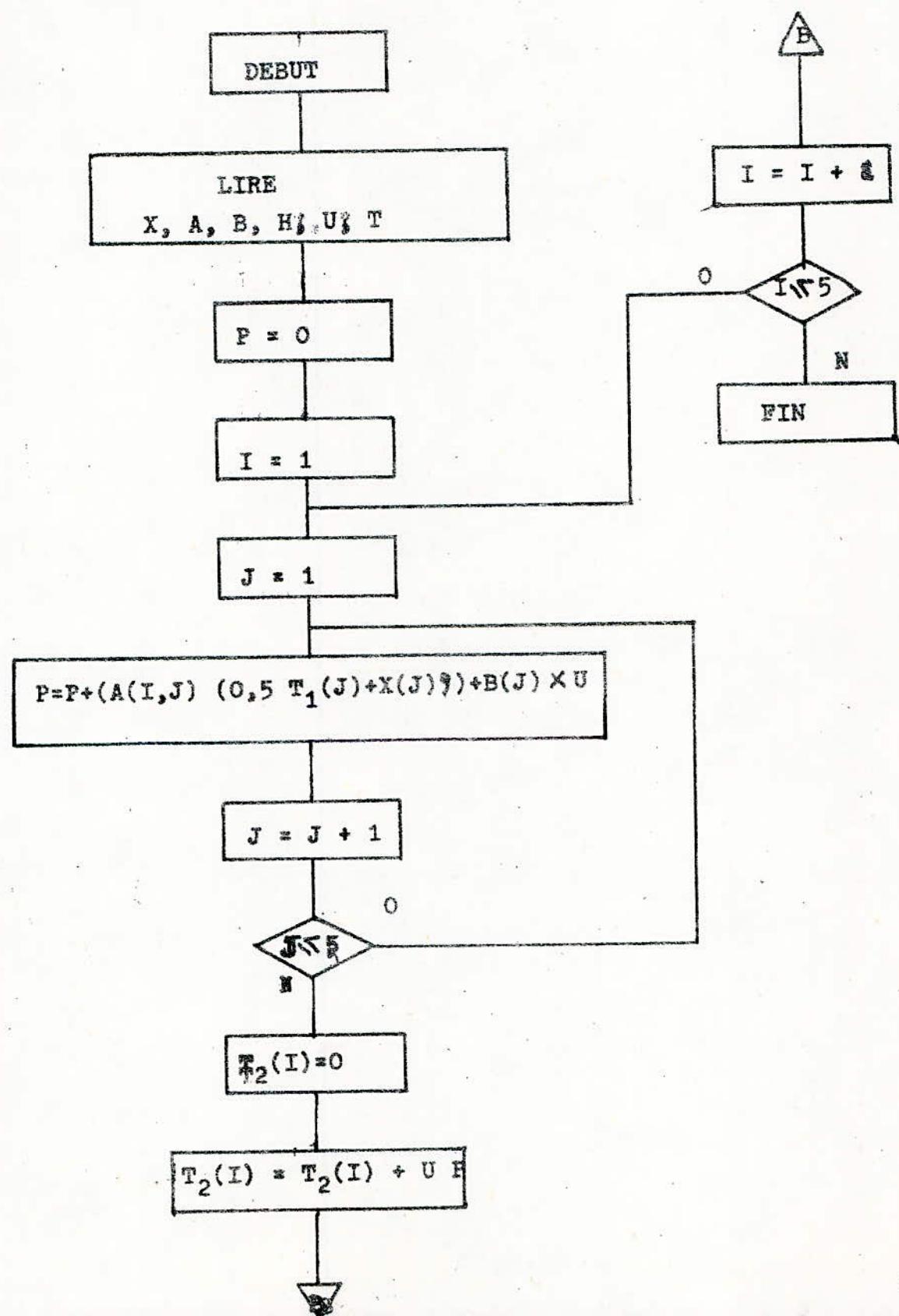
ORGANIGRAMME DU S/P MIG 1

CALCUL DES  $T_1(I)$



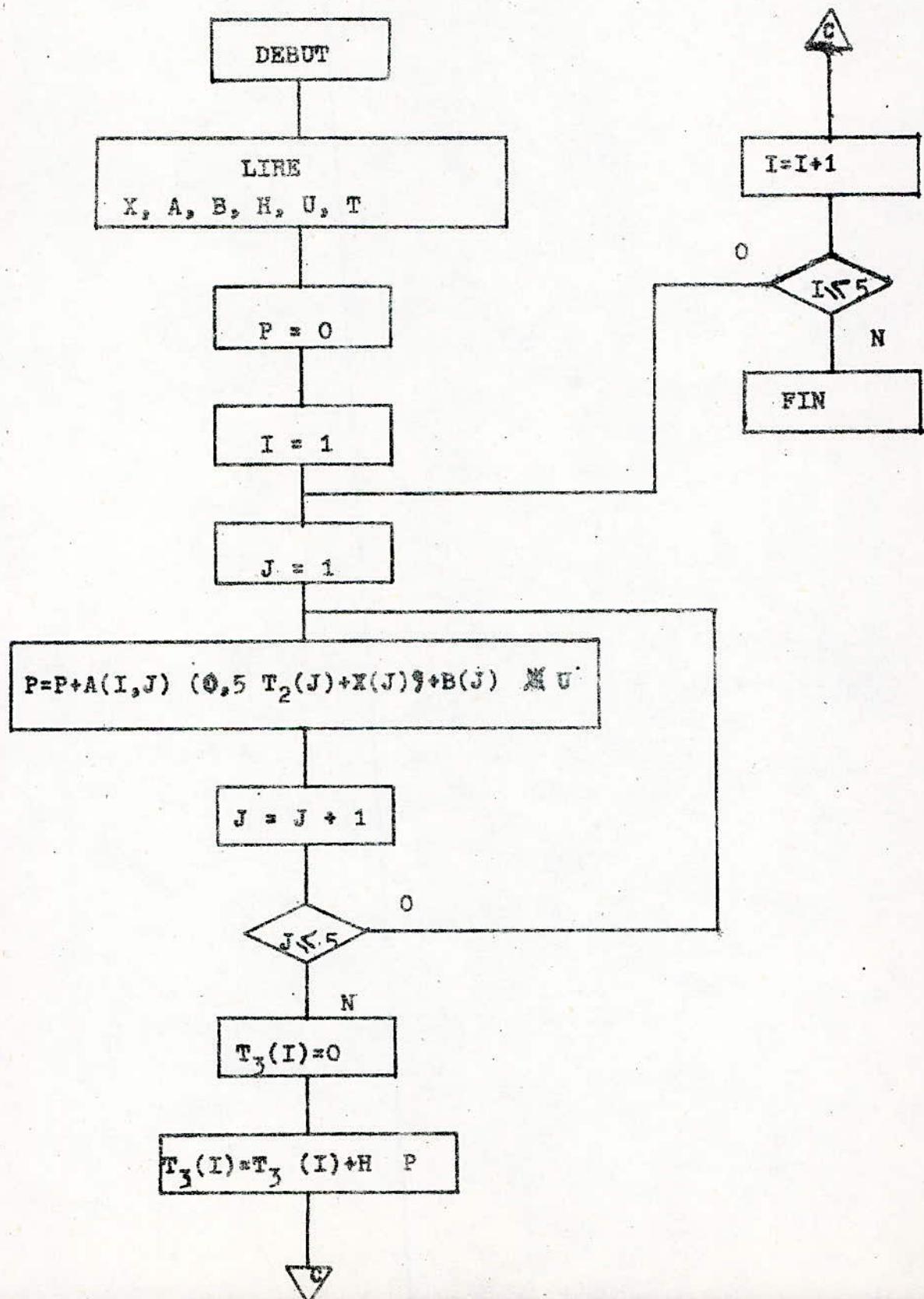
ORGANIGRAMME DU S/P MIG 2

CALCUL DES  $T_2$ ( $\overline{x}$ )



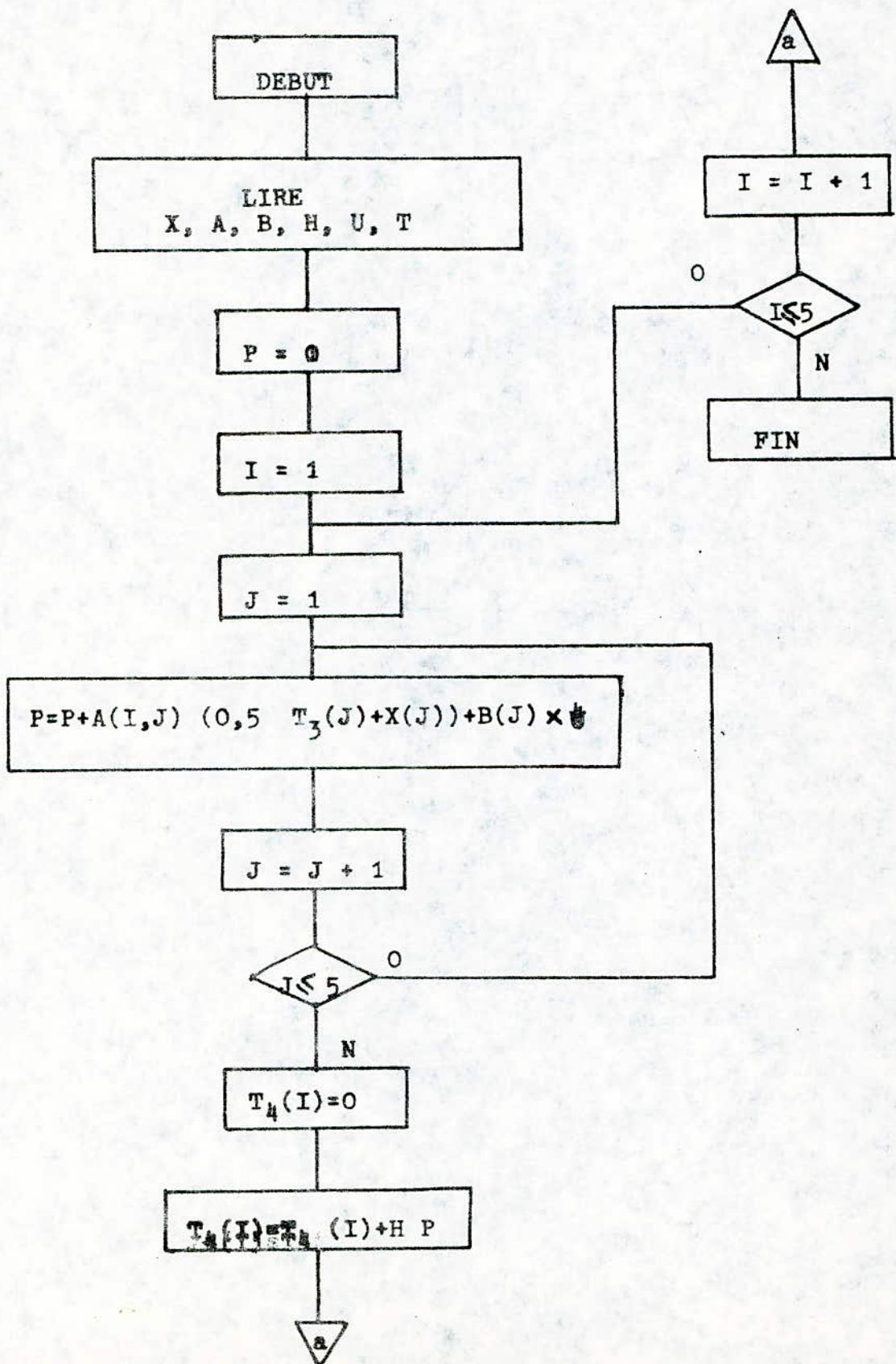
ORGANIGRAMME DU S/P MIG 3

CALCUL DES  $T_3$  (I)



ORGANIGRAMME DU S/P MIG 4

CALCUL DES  $T_4(I)$



ECHELON DE COMMANDE

PAS H=0.0134

U (PCM)

0.0  
-0.5000E+01I  
-0.1000E+02I  
-0.1500E+02I  
-0.2000E+02I  
-0.2500E+02I  
-0.3000E+02I  
-0.3500E+02I  
-0.4000E+02I +  
-0.4500E+02I  
-0.5000E+02I  
-0.5500E+02I  
-0.6000E+02I  
-0.6500E+02I  
-0.7000E+02I  
-0.7500E+02I  
-0.8000E+02I  
-0.8500E+02I +  
-0.9000E+02I  
-0.9500E+02I  
-0.1000E+03I  
-0.1050E+03I  
-0.1100E+03I  
-0.1150E+03I  
-0.1200E+03I  
-0.1250E+03I +  
-0.1300E+03I  
-0.1350E+03I  
-0.1400E+03I  
-0.1450E+03I  
-0.1500E+03I  
-0.1550E+03I  
-0.1600E+03I  
-0.1650E+03I  
-0.1700E+03I +  
-0.1750E+03I  
-0.1800E+03I  
-0.1850E+03I  
-0.1900E+03I  
-0.1950E+03I  
-0.2000E+03I  
-0.2050E+03I  
-0.2100E+03I  
-0.2150E+03I  
-0.2200E+03I  
-0.2250E+03I  
-0.2300E+03I  
-0.2350E+03I  
-0.2400E+03I  
-0.2450E+03I-----

0.0

0.2500 E+02

0.4900E+02 T

## REONSE DE PUISSANCE A UN ECHELON DE REACTIVITE

PAS H=0.0134

DPN(MW)

0.20000E+02

0.19000E+03I

0.18000E+03I

0.17000E+03I +

0.16000E+03I

0.15000E+03I

0.14000E+03I

0.13000E+03I

0.12000E+03I

0.11000E+03I +

0.10000E+03I

0.90000E+02I

0.80000E+02I

0.70000E+02I +

0.60000E+02I

0.50000E+02I

0.40000E+02I +

0.30000E+02I

0.20000E+02I

0.10000E+02I +

0.0

-0.10000E+02I ++++++

-0.20000E+02I ++++++

-0.30000E+02I

-0.40000E+02I

-0.50000E+02I

-0.60000E+02I

-0.70000E+02I

-0.80000E+02I

-0.90000E+02I

-0.10000E+03I

-0.11000E+03I

-0.12000E+03I

-0.13000E+03I

-0.14000E+03I

-0.15000E+03I

-0.16000E+03I

-0.17000E+03I

-0.18000E+03I +

-0.19000E+03I

-0.20000E+03I

-0.21000E+03I

-0.22000E+03I

-0.23000E+03I

-0.24000E+03I

-0.25000E+03I

-0.26000E+03I

-0.27000E+03I

-0.28000E+03I +

-0.29000E+03

0.0

0.2500E+02

0.4900E+02 T

REPONSE DE TEMPERATURE DU MODERATEUR A UN ECHELON DE REACTIVITE

PAS H=0.0134

DTM (C)

0.0		
0.40000E+01I	+	++++++
0.80000E+01I	+	++++++
0.12000E+02I	+	++++++
0.16000E+02I	+	++++++
0.20000E+02I		I
0.24000E+02I	+	I
0.28000E+02I		I
0.32000E+02I	+	I
0.36000E+02I		I
0.40000E+02I	+	I
0.44000E+02I		I
0.48000E+02I		I
0.52000E+02I		I
0.56000E+02I	+	I
0.60000E+02I		I
0.64000E+02I		I
0.68000E+02I		I
0.72000E+02I		I
0.76000E+02I	+	I
0.80000E+02I		I
0.84000E+02I		I
0.88000E+02I		I
0.92000E+02I		I
0.96000E+02I	+	I
0.10000E+03I		I
0.10400E+03I		I
0.10800E+03I		I
0.11200E+03I		I
0.11600E+03I		I
0.12000E+03I	+	I
0.12400E+03I		I
0.12800E+03I		I
0.13200E+03I		I
0.13600E+03I		I
0.14000E+03I		I
0.14400E+03I	+	I
0.14800E+03I		I
0.15200E+03I		I
0.15600E+03I		I
0.16000E+03I		I
0.16400E+03I		I
0.16800E+03I		I
0.17200E+03I		I
0.17600E+03I		I
0.18000E+03I		I
0.18400E+03I		I
0.18800E+03I		I
0.19200E+03I		I
0.19600E+03I		I
0.0	0.1500E+02	0.2940E+02 T

## RAMPE DE COMMANDE

PAS H=0.0134

U (PCM)

0.0			
0.5000E+01I			
0.1000E+02I		+	
0.1500E+02I			
0.2000E+02I		+	
0.2500E+02I			
0.3000E+02I		+	
0.3500E+02I			
0.4000E+02I		+	
0.4500E+02I			
0.5000E+02I		+	
0.5500E+02I			
0.6000E+02I		+	
0.6500E+02I			
0.7000E+02I			
0.7500E+02I		+	
0.8000E+02I			
0.8500E+02I		+	
0.9000E+02I			
0.9500E+02I		+	
0.1000E+03I			
0.1050E+03I		+	
0.1100E+03I			
0.1150E+03I		+	
0.1200E+03I			
0.1250E+03I		+	
0.1300E+03I			
0.1350E+03I		+	
0.1400E+03I			
0.1450E+03I			
0.1500E+03I		+	
0.1550E+03I			
0.1600E+03I		+	
0.1650E+03I			
0.1700E+03I		+	
0.1750E+03I			
0.1800E+03I	+		
0.1850E+03I			
0.1900E+03I	+		
0.1950E+03I			
0.2000E+03I	+		
0.2050E+03I			
0.2100E+03I			
0.2150E+03I			
0.2200E+03I			
0.2250E+03I			
0.2300E+03I			
0.2350E+03I			
0.2400E+03I			
0.2450E+03I			
0.0		0.1500E+03	0.2940E+03 T

## REPRENSE DE PUSSANCE PN A UNE RAMPPE DE REACTIVITE

PAS H=0.0134

DPN (MW)

0.0			
-0.30000E+01I		+++++	I
-0.60000E+01I		+++	I
-0.90000E+01I		++	I
-0.12000E+02I		++	I
-0.15000E+02I		++	I
-0.18000E+02I		+	I
-0.21000E+02I		+	I
-0.24000E+02I		+	I
-0.27000E+02I		+	I
-0.30000E+02I		+	I
-0.33000E+02I			I
-0.36000E+02I		+	I
-0.39000E+02I		+	I
-0.42000E+02I			I
-0.45000E+02I		+	I
-0.48000E+02I			I
-0.51000E+02I		+	I
-0.54000E+02I			I
-0.57000E+02I		+	I
-0.60000E+02I			I
-0.63000E+02I			I
-0.66000E+02I		+	I
-0.69000E+02I			I
-0.72000E+02I			I
-0.75000E+02I		+	I
-0.78000E+02I			I
-0.81000E+02I			I
-0.84000E+02I		+	I
-0.87000E+02I			I
-0.90000E+02I			I
-0.93000E+02I			I
-0.96000E+02I	+		I
0.99000E+02I			I
-0.10200E+03I			I
-0.10500E+03I			I
-0.10800E+03I	+		I
-0.11100E+03I			I
-0.11400E+03I			I
-0.11700E+03I			I
-0.12000E+03I	+		I
-0.12300E+03I			I
-0.12600E+03I			I
-0.12900E+03I			I
-0.13200E+03I			I
-0.13500E+03I			I
-0.13800E+03I			I
-0.14100E+03I			I
-0.14400E+03I			I
-0.14700E+03I			I

0.0

0.3750E+02

0.7350E+02 T

## REPONSE DE TEMPERATURE DU MODERATEUR A UNE RAMPE DE REACTIVITE

PAS H=0.0134

DTM (C)

0.0		
-0.40000E+01I	+++++	I
-0.80000E+01I	+++	I
-0.12000E+02I	++	I
-0.16000E+02I	++	I
-0.20000E+02I	++	I
-0.24000E+02I	+	I
-0.28000E+02I	+	I
-0.32000E+02I	+	I
-0.36000E+02I	+	I
-0.40000E+02I	+	I
-0.44000E+02I		I
-0.48000E+02I	+	I
-0.52000E+02I	+	I
-0.56000E+02I		I
-0.60000E+02I	+	I
-0.64000E+02I		I
-0.68000E+02I	+	I
-0.72000E+02I		I
-0.76000E+02I		I
-0.80000E+02I	+	I
-0.84000E+02I		I
-0.88000E+02I	+	I
-0.92000E+02I		I
-0.96000E+02I		I
-0.10000E+03I	+	I
-0.10400E+03I		I
-0.10800E+03I		I
-0.11200E+03I	+	I
-0.11600E+03I		I
-0.12000E+03I		I
-0.12400E+03I		I
-0.12800E+03I	+	I
-0.13200E+03I		I
-0.13600E+03I		I
-0.14000E+03I		I
-0.14400E+03I	+	I
-0.14800E+03I		I
-0.15200E+03I		I
-0.15600E+03I		I
-0.16000E+03I		I
-0.16400E+03I		I
-0.16800E+03I		I
-0.17200E+03I		I
-0.17600E+03I		I
-0.18000E+03I		I
-0.18400E+03I		I
-0.18800E+03I		I
-0.19200E+03I		I
-0.19600E+03I		I

0.0

0.3750E+02

0.7350E+02 T

- RESULTATS SUR LES TRANSITOIRES

Nous présentons dans ce paragraphe les résultats sur des transitoires rapides Echelon et des transitoires lents rampe.

Les courbes obtenues décrivent la réponse naturelle du réacteur aux sollicitations suivantes :

- Echelon de réactivité de  $\pm 10\%$  de la puissance nominale.
- Rampe de réactivité de  $\pm 10\%$  de la puissance nominale.

- ANALYSE DES COURBES

a ) - Echelon de réactivité :

Comme l"échelon ~~ideal~~ n'existe pas, car chaque éléments a un temps de réponse, cela revient à appliquer une rampe très raide de pente  $10\% / 5\text{ s}$ . Les sorties observées sont les variations  $\delta X$  du vecteur d'état, on remarque que lors de l'application de l'échelon de réactivité la variation de la puissance  $\delta P$  tend vers zéro, après un temps très court et bien déterminé, qui correspond au passage d'un état d'équilibre 100% à un autre état d'équilibre 90% ou bien de 90% à 100%.

La courbe de variation de la puissance nucléaire en fonction du temps montre que le système avant de se stabiliser, et cela est dû à la brusque variation de la réactivité.

L'amplitude du 1er dépassement qui en résulte pendant le régime transitoire caractérise les performances dynamiques du système.

Plus cette amplitude est petite plus les performances sont meilleures.

On peut dire que la puissance, sous l'effet des neutrons prompts, atteint son état d'équilibre très rapidement (avec une constante de temps égale à la durée de vie moyenne des neutrons prompts), c'est ce qu'on appelle le saut prompts.

b ) RAMPE DE REACTIVITE

Dans le cas où la commande varie en fonction du temps avec une pente de  $5\%/\text{mn}$ , les courbes obtenues représentent l'évolution entre la valeur initiale et la valeur que l'on doit atteindre.

Nous obtenons une série de courbes donnant la réponse de la puissance et la température du modérateur à cette rampe de réactivité.

La variation de la puissance est relative à la variation de la commande U et on remarque que le dépassement est beaucoup plus petit que dans le cas d'un échelon.

Les performances dynamiques sont donc meilleures, mais le temps nécessaire pour la stabilité du système à l'état désiré est beaucoup plus grand.

.../...

VI - CONCLUSIONS PRATIQUES SUR LES DEUX METHODES DE CALCUL

a - La méthode de CRANCK NICHOLSON

Nous remarquons que la stabilité de cette méthode dépend non seulement du pas d'intégration  $h$  mais essentiellement de la stabilité du système à intégrer.

Comme le système étudié est stable, nous avons fait plusieurs tests avec différentes valeurs du pas  $h$  par exemple pour :

$$h = 0,01$$

$$h = 0,1$$

$$h = 0,5$$

Nous avons alors constaté que pour  $h = 0,5$  la méthode converge car les valeurs propres de  $\Gamma$  sont inférieurs à 1 et pour lequel nous obtenons les meilleurs résultats.

( Voir annexe 1 )

Le temps nécessaire pour que le système se stabilise dans le cas d'une entrée en échelon et de 40s, avec un dépassement de la puissance nucléaire est de 184 mw.

Tandis que dans le cas de la rampe le temps nécessaire est de 180 s et le 1<sup>o</sup> dépassement pour la puissance nucléaire est de 10 MW.

b - La méthode de RANGE KUTTA

Bien évidemment un des inconvenients principaux de cette méthode est le fait que la relation fonctionnelle suivante :

$$\frac{dy}{dx} = f(x, y) \text{ avec } y = y_0, x = x_0$$

Doit être évalué pour plusieurs couples de valeurs de ( $x$  et  $y$ ) et ceci à chaque pas de calcul.

- D'autre part on constate que la difficulté de la méthode réside dans le choix du pas d'intégration car il doit être inférieur aux constantes de temps du système à résoudre, sinon la méthode ne converge pas.

Et c'est pour cela qu'on a pris un pas de calcul assez faible

$$! H = 0,0134 !$$

Car on a trouvé que pour  $H > 0,0134$  la méthode diverge.

Vu que le pas choisi est faible → le calcul devient trop prohibitif.

Le temps nécessaire pour que le système soit stable dans le cas de l'échelon est égal à 35s avec un dépassement de 170 MW tandis que dans le cas d'une rampe le temps nécessaire pour que le système se stabilise et de 160s à peu près avec un dépassement très grand dont on n'a pas tenu compte.

<u>Pas de calcul</u>	Plus que le pas augmente plus que la stabilité de la méthode est meilleure	Le pas du calcul doit être assez faible relativement aux constantes de temps du système sinon la méthode diverge.
Temps d'exécution	Très faible. De l'ordre de 1 minute pour 1000 itérations	Très grand devant celui de CRANCK NICHOLSON de l'ordre de 4 mn pour 1000 itérations
Oscillations transitoires de la puissance nucléaire	<p>Un dépassement de 184 MW dans le cas de l'échelon de (- 10% de la puissance nucléaire) c.a.d de 100% à 90%.</p> <p>Cas de la rampe</p> <p>Un dépassement de 10 MW pour une diminution de 5%/min de la puissance nucléaire.</p>	<p>Un dépassement de 170 MW dans le cas de l'échelon de 10 % de la puissance nucléaire c.a.d; de 90% à 100%.</p> <p>Cas de la rampe</p> <p>Un dépassement très important dont nous n'avons pas tenu compte ( Pour une diminution de 5%/mn de la puissance nucléaire).</p>

-o--CONCLUSION--o-

Ce travail n'est qu'un essai de simulation numérique, en boucle ouverte d'un réacteur nucléaire à l'aide de la représentation d'état.

En effet, le fonctionnement du réacteur a été approché par un modèle mathématique linéaire invariant de la forme  $\dot{X} = A X + B U$ . Où  $U$  est la commande du système en boucle ouverte représentant la réactivité des barres de contrôle.

Néanmoins, les résultats obtenus sont intéressants.

Les programmes élaborés, malgré les simplifications et approximations apportées au modèle nous ont donné des sorties stables et comparables aux résultats obtenus avec des codes plus complets.

De plus ces programmes sont faciles à manipuler et offrent des temps de calcul très intéressants dans le cas de la méthode de

CRANCK NICHOLSON. Ils nous ont permis entre autre d'avoir directement sur le listing l'allure des courbes représentant les sorties.

Il serait souhaitable que ce travail soit utilisé dans l'avenir pour l'étude du fonctionnement du réacteur en boucle fermée.

Nous espérons que les codes écrits soient suffisamment simples pour constituer un outil de travail et être applicable dans le cas des grands systèmes, ils serviront ainsi à simuler toute la centrale et prendre en compte la régulation du pressuriseur et la régulation du niveau d'eau dans les générateurs de vapeur .

- B I B L I O G R A P H I E -

( 1 ) J. FURET

Controle et electronique des réacteurs nucléaires 1968.

( 2 ) MALIKA AMINI

Commande optimale d'un réacteur PWR 900 MWe  
thèse de magistère Novembre 1981 ( C.S.T.N. )

( 3 ) Jean-Marc MARTINEZ

Etude de deux systèmes de régulation d'une centrale  
nucléaire calogène.

thèse de 3ème cycle Université de PARIS-SUD Juin 1980

( 4 ) B. SAICHI et M. REZIE

Etude analogique du fonctionnement et de contrôle  
d'un centrale P.W.R. 900 MWe.

thèse de magistère ( C.S.T.N. ) octobre 1978

( 5 ) E.J. DAVISON

A High - order CRANCK NICHOLSON technique For solving  
différential equation, computer.

vol. 10, PP 195-197, August 1967.

( 6 ) JEAN GIRARD et WALTER J. KARPLUS

Traitemennt des équations différentielles sur calculateur  
electronique. 1968

A N N E X E I

METHODE DE CRANCK NICHOLSON

C PROGRAMME PRINCIPAL DE LA METHODE DE CRANCK NICOLSON  
 REAL M(5,5),M1(5,5),M4(5,5),M2(5,5),N4(5,5),M3(5,5),M5(5,5)  
 REAL M6(5,5),Z(5),F(5),C(5),G(5),R(5)  
 DIMENSION IA(5,5),B(5,5),X(5),D(5,5),A(5,5)  
 DIMENSION S(5),V(5),P(5)  
 DIMENSION TAB2(60),TAB3(60),TAB4(60),TAB5(60)  
 DIMENSION TAB(60),TAB1(60)  
 INTEGER GRAPHE(60,80)  
 REAL IPAS  
 DATA IBLANC,II,IMOINS,IPLUS/1H ,1H1,1H-,1H+/  
 N=5  
 9 DO 8 IM=1,N  
 8 DO 9 JM=1,N  
 N(IM,JM)=0  
 CONTINUE  
 CONTINUE  
 N(1,1)=160  
 N(1,2)=0.007  
 N(1,3)=0.71  
 N(1,4)=0.25  
 N(1,5)=20050.  
 N(2,1)=710.  
 N(2,2)=0.087  
 N(2,3)=0.5  
 N(2,4)=0.71  
 N(2,5)=0.037  
 N(3,1)=0.186  
 N(3,2)=0.186  
 N(3,3)=0.385  
 N(3,4)=12.085  
 DO 6 L3=1,N  
 6 DO 7 L4=1,N  
 7 NS(L3,L4)=N(L3,L4)  
 CONTINUE  
 CONTINUE  
 DO 10 KM=1,N  
 X(KM)=0.  
 10 CONTINUE  
 X(1)=270.  
 X(2)=221000.  
 X(3)=330000.  
 X(4)=1000.  
 X(5)=1.00  
 DO 12 IP=1,N  
 DO 13 JP=1,N  
 IA(IP,JP)=0  
 13 CONTINUE  
 12 CONTINUE  
 IA(1,1)=1  
 IA(2,2)=1  
 IA(3,3)=1  
 IA(4,4)=1  
 IA(5,5)=1  
 CALL MULMN(M5,M1)  
 DO 16 K1=1,N  
 Z(K1)=0.  
 16 CONTINUE  
 Z(1)=675.  
 H=0.1  
 MAXT=60  
 NB=30  
 IPAS=H\*NB  
 E=(H\*H)/4  
 CALL MUL2(N1,E,M4)  
 CALL MUL2(N1,E,M6)  
 CALL MUL1(N6,Z,F)  
 CALL MUL(Z,E,S)  
 E=H/2  
 CALL MUL2(N1,E,M2)  
 CALL MUL(Z,E,C)  
 CALL SOM1(C,F,G)  
 CALL SUD(TIA,M2,M3)  
 CALL SAM(M3,M4,B)  
 CALL INVMAT(B,N4,N)

```

CALL MUL1(N4,G,R)
CALL MUL1(N4,S,P)
CALL SUB1(C,F,G)
CALL MUL1(N4,G,F)
CALL SOM(IA,M2,M1)
CALL SAM(M4,M1,M)
CALL MULM(M,N4,M4)
T20
    PRINT 250
PRINT 300,(T,X(1),X(2),X(3),X(4),X(5))
TAB(1)=X(1)
TAB1(1)=214.5
TAB2(1)=X(2)
TAB3(1)=X(3)
TAB4(1)=X(4)
TAB5(1)=X(5)
C   CAS D'UNE RAMPE           C   CAS ECHELON
Y=120
DO 3  IV=1,59
DO 40 IK=1,NB
T=T+H
IF(T-Y)64,64,65
U1=-1.7875*T+214.5      64  U1=(-42.9*T)+214.5
U2=-1.7875
U3=(-1.7875*(T+H))+214.5
U4=-1.7875
GO TO 90
65  U1=0.
U2=0.
U3=0.
U4=0
GO TO 90
90  CALL MUL(R,U1,C)
CALL MUL(P,U2,G)
CALL MUL(F,U3,S)
CALL MUL(P,U4,Z)
DO 13 J1=1,N
W(J1)=0
18  CONTINUE
DO 4 I=1,N
DO 5 L1=1,N
W(I)=W(I)+M4(I,L1)*X(L1)
5
4
CONTINUE
CONTINUE
DO 20 J2=1,N
X(J2)=W(J2)+C(J2)+G(J2)+S(J2)-Z(J2)
20
CONTINUE
40
CONTINUE
TAB(IV+1)=X(1)
TAB1(IV+1)=U1
TAB2(IV+1)=X(2)
TAB3(IV+1)=X(3)
TAB4(IV+1)=X(4)
TAB5(IV+1)=X(5)
T1=0.
T2=(MAXT/2)*IPAS
T3=(MAXT*IPAS)-IPAS
3
PRINT 300,(T,X(1),X(2),X(3),X(4),X(5))
PRINT 100
PRINT 150
PRINT 151
PRINT 160,(H)
PRINT 165,(NB)
PRINT 255
PRINT 900
CALL COURBE(H,TAB1,MAXT,GRAPHE,IPAS)
PRINT 600,(T1,T2,T3)
PRINT 100
PRINT 260
PRINT 261
PRINT 160,(H)
PRINT 165,(NB)
PRINT 255
PRINT 200
CALL COURBE(H,TAB,MAXT,GRAPHE,IPAS)

```

```

PRINT 600,(T1,T2,T3)
PRINT 100
PRINT 101
PRINT 102
PRINT 160,(H)
PRINT 165,(NB)
PRINT 255
    PRINT 400
CALL COURBE(H,TAB2,MAXT,GRAPHE,IPAS)
PRINT 600,(T1,T2,T3)
PRINT 100
    PRINT 103
PRINT 102
PRINT 160,(H)
PRINT 165,(NB)
PRINT 255
    PRINT 500
CALL COURBE(H,TAB3,MAXT,GRAPHE,IPAS)
PRINT 600,(T1,T2,T3)
PRINT 100
PRINT 750
PRINT 751
    PRINT 160,(H)
PRINT 165,(NB)
PRINT 255
    PRINT 700
CALL COURBE(H,TAB4,MAXT,GRAPHE,IPAS)
PRINT 600,(T1,T2,T3)
PRINT 100
PRINT 850
PRINT 851
PRINT 255
PRINT 160,(H)
PRINT 165,(NB)
PRINT 800
CALL COURBE(H,TAB5,MAXT,GRAPHE,IPAS)
PRINT 600,(T1,T2,T3)
PRINT 100
100 FORMAT(//////////)
102 FORMAT(13X,68{1H-})
150 FORMAT(22X,'VARIATION DE LA COMMANDE EN FONCTION DU TEMPS')
151 FORMAT(21X,47{1H-})
160 FORMAT(22X,'PAS D'ITERATION',3X,'HE',F6.3)
165 FORMAT(22X,'NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS',3X,'NB',F5.1)
200 FORMAT(15X,'DPLI(MW)')
250 FORMAT(4X,'T(S)',9X,'DPLI(MW)',8X
*, 'DC1(MW)',9X,'DC2(MW)',9X
*, 'DTU(DEG C)',5X,'DTM(DEG C)')
255 FORMAT(///)
260 FORMAT(21X,'REONSE DE LA PUISSANCE A UNE RAMPE DE REACTIVITE')
300 FORMAT(2X,E8.2,4X,E12.5,4X,E12.5,4X,E12.5,4X,E12.5,4X,E12.5)
400 FORMAT(15X,'DC1(MW)')
500 FORMAT(15X,'DC2(MW)')
600 FORMAT(14X,E7.2,23X,E7.2,23X,E7.2,3X,'T')
700 FORMAT(15X,'DTU(DEG C)')
750 FORMAT(15X,'REONSE DE LA TEMPERATURE D'URANIUM A UNE RAMPE DE REACTIVITE')
800 FORMAT(15X,'DTM(DEG C)')
850 FORMAT(19X,'REONSE DE LA TEMPERATURE DU MODERATEUR A UNE RAMPE DE REACTIVITE')
900 FORMAT(16X,'U')
261 FORMAT(21X,51{1H-})
851 FORMAT(18X,66{1H-})
101 FORMAT(14X,'REONSE DU 1ER GROUPE DES PRECURSEURS A UNE RAMPE DE REACTIVITE')
103 FORMAT(14X,'REONSE DU 2EME GROUPE DES PRECURSEURS A UNE RAMPE DE REACTIVITE')
751 FORMAT(14X,65{1H-})
STOP
END

```

349 C S/P POUR TRACER LES COURBES  
 350 SUBROUTINE COURBE(H,TAB,MAXT,GRAPHE,IPAS)  
 351 DIMENSION TAB(60),TAB1(60)  
 352 DIMENSION TAB2(60),TAB3(60),TAB4(60),TAB5(60)  
 353 REAL IPAS  
 354 INTEGER GRAPHE(60,80)  
 355 INTEGER U  
 356 DATA IBLANC II, IMOINS, IPLUS/1H ,1HT, 1H-, 1H+/  
 357 C INITIALISATION DU TABLEAU A BLANC  
 358 0008 DO 3 I=1,60  
 359 000C 001C 0024 4 002C 0032 003A 0040 0048 005A 005A C TRACE DE L'AXE DES ORDONNEES  
 360 000C 001C 0024 3 002C 0032 003A 0040 0048 005A 005A C TRACE DE L'AXE DES ABSCESES  
 361 001C 0024 002C 0032 003A 0040 0048 005A 005A 006C 007C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 0134 013C 013C 013E  
 362 0024 0032 003A 0040 0048 005A 005A 006C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 0134 500  
 363 0032 0040 0048 005A 005A 006C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 7  
 364 0040 0048 005A 005A 006C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 365 0048 005A 005A 006C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 366 005A 005A 006C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 367 005A 005A 006C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 368 005A 005A 006C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 369 005A 005A 006C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 370 006C 007C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 371 007C 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 372 007C 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 373 0084 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 374 0088 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 375 0098 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 376 00A0 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 377 00A4 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 378 00A8 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 379 00B2 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 380 00D0 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 381 00E0 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 382 00E6 00F0 00F4 0104 500  
 383 00F0 00F4 0104 500  
 384 00F4 0104 500  
 385 0104 0134 7 013C 500  
 386 0134 013C 500  
 387 013C 500  
 388 013C 500  
 389 013C 500  
 390 013E END

305 C S/P DE LA MULTIPLICATION D'UNE MATRICE PAR UN VECTEUR  
 306 SUBROUTINE MUL1(N4,G,R)  
 307 REAL N4(5,5),M6(5,5)  
 308 DIMENSION G(5),R(5),Z(5),F(5)  
 309 DIMENSION S(5),V(5),P(5)  
 310 N=5  
 311 0008 DO 3 IT=1,N  
 312 000C 0018 3 0022 0026 002A 0060 006A 0074 0076  
 313 0018 0022 0026 002A 0060 006A 0074  
 314 0022 0026 002A 0060 006A  
 315 0026 002A 0060 006A  
 316 002A 0060 006A  
 317 0060 2  
 318 006A 1  
 319 0074  
 320 0076  
 CONTINUE  
 R(I)=R(I)+N4(I,J)\*G(J)  
 CONTINUE  
 RETURN  
 END

C S/P POUR LA DETERMINATION DU MAXIMUM  
 SUBROUTINE VAMAX(TAB,VALMAX)  
 DIMENSION TAB(60),TAB1(60),TAB2(60),TAB3(60),TAB4(60),TAB5(60)  
 NA=60  
 0008 DO 5 I=2,NA  
 000C 0026 0032 0034 0036 0040 0042 4  
 0026 IF(VALMAX-TAB(I))4,6,6  
 0032 VALMAX=TAB(I)  
 0034 GO TO 5  
 0036 5  
 0034 GO TO 5  
 0036 CONTINUE  
 0040 RETURN  
 0042 END

274 C S/P DE L'INVERSION D'UNE MATRICE  
 275 SUBROUTINE INVMAT(A,AM1,R)  
 276 REAL M3(5,5),N4(5,5),N5(5,5)  
 277 DIMENSION A(5,5),AM1(5,5),B(5,5),D(5,5)  
 278 DO 81 I=1,N  
 279 DO 81 J=1,N  
 280 DOCT,J)=AM1(J,J)  
 281 BBCT,J)=0.  
 282 BCCT,I)=1.  
 283 N1=2,I=1.  
 284 DO 80 J=1,N  
 285 DO 80 K=1,N  
 286 JO=K+1  
 287 DO 82 L=JO,N  
 288 BC(L,J)=B(L,K)\*B(K,J)/A(K,K)  
 289 DO 82 M=JO,N  
 290 AC(L,M)=A(L,M)-(A(L,K)\*A(K,N))/A(K,K)  
 291 DO 87 K=1,N  
 292 J1=N-K+1  
 293 J2=N-K+2  
 294 AM1(J1,J)=B(J1,J)  
 295 IF (J2-N)83,86  
 296 DO 84 T=J2,N  
 297 AM1(J1,J)=AM1(J1,J)-A(J1,T)\*AM1(T,J)  
 298 AM1(J1,J)=AM1(J1,J)/A(J1,J)  
 299 CONTINUE  
 300 DO 88 L=1,N  
 301 DO 88 M=1,N  
 302 AC(L,M)=D(L,M)  
 303 RETURN  
 304 END

C S/P DE LA DIFFERENCE D'UNE MATRICE REELLE D'UNE MATRICE ENTIERE  
 SUBROUTINE SUB(TA,M2,M3)  
 REAL M2(5,5),M3(5,5)  
 DIMENSION TA(5,5)  
 N=5  
 DO 2 I=1,N  
 DO 1 J=1,N  
 M2(I,J)=TA(I,J)-M3(I,J)  
 CONTINUE  
 CONTINUE  
 RETURN  
 END

225 C S/P DE LA MULTIPLICATION D'UNE MATRICE PAR UNE CONSTANTE  
 226 SUBROUTINE MUL2(M1,E,M4)  
 227 REAL M(5,5),M1(5,5),M4(5,5),N2(5,5),N4(5,5),N3(5,5),N5(5,5)  
 228 REAL N6(5,5),Z(5),F(5),C(5),G(5),R(5)  
 229 N=5  
 230 DO 2 I=1,N  
 231 DO 1 J=1,N  
 232 M4(I,J)=E\*M1(I,J)  
 233 CONTINUE  
 234 CONTINU  
 235 RETURN  
 236 END

03 C S/P POUR LA DETERMINATION DU MINIMUM  
 04 SUBROUTINE VALMIN(TAB,VALMIN)  
 05 DIMENSION TAB(60),TAB1(60),TAB2(60),TAB3(60),TAB4(60),TAB5(60)  
 06 NA=60  
 07 0008 DO 5 I=2,NA  
 08 000C IF (VALMIN>TAB(I))4,4,6  
 09 0028 4 GO TO 5  
 10 002A 6 VALMIN=TAB(I)  
 11 0036 6 GO TO 5  
 12 0038 5 CONTINUE  
 13 0040 5 RETURN  
 14 0042 5 END

```

214 C S/P DE LA SOMME DE DEUX MATRICES
215 SUBROUTINE SAM(M1,M4,N)
216 REAL M1(5,5),M(5,5),M4(5,5),M3(5,5),B(5,5)
217 N=5
218 DO 1 I=1,N
219 DO 2 J=1,N
220 M(I,J)=M1(I,J)+M4(I,J)
221 CONTINUE
222 CONTINUE
223 RETURN
224 END

262 C S/P DE LA MULTIPLICATION DEUX MATRICES
263 SUBROUTINE MULM(M2,M5,M1)
264 REAL M(5,5),M1(5,5),M5(5,5),N4(5,5),N4(5,5)
265 N=5
266 DO 1 I=1,N
267 DO 2 K=1,N
268 M1(I,K)=0
269 DO 2 J=1,N
270 M1(I,K)=M1(I,K)+M(I,J)*M5(J,K)
271 CONTINUE
272 RETURN
273 END

321 C S/P DE LA MULTIPLICATION D'UN VECTEUR PAR UNE MATRICE
322 SUBROUTINE VUL(Z,E,C)
323 DIMENSION Z(5),C(5),R(5)
324 DIMENSION S(5),P(5),G(5),F(5)
325 N=5
326 DO 1 I=1,N
327 C(I)=E*I
328 CONTINUE
329 RETURN
330 END

331 C S/P DE LA SOMME DE DEUX VECTEURS
332 SUBROUTINE SOM1(C,F,G)
333 DIMENSION C(5),F(5),G(5)
334 N=5
335 DO 1 I=1,N
336 G(I)=C(I)+F(I)
337 CONTINUE
338 RETURN
339 END

509 C S/P DE LA SOMME D'UNE MATRICE REELLE ET D'UNE MATRICE ENTIERE
510 SUBROUTINE SOM1(A,B,C)
511 REAL M2(5,5),B(5,5)
512 DIMENSION IA(5,5)
513 REAL M1(5,5)
514 N=5
515 DO 1 I=1,N
516 DO 2 J=1,N
517 B(I,J)=IA(I,J)+M2(I,J)
518 CONTINUE
519 CONTINUE
520 RETURN
521 END

340 C S/P DE LA DIFFERENCE DE DEUX VECTEURS
341 SUBROUTINE SUB1(C,F,G)
342 DIMENSION C(5),F(5),G(5)
343 N=5
344 DO 1 I=1,N
345 G(I)=C(I)-F(I)
346 CONTINUE
347 RETURN
348 END

```

## REONSE DE 1ER GROUPE DES PRECURSEURS A UN ECHELON DE REACTIVITE

PAS D'ITERATION H= 0.500

NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 2

DC1(MW)

0.22180E+03+  
 0.21680E+03I  
 0.21180E+03I+  
 0.20680E+03I  
 0.20180E+03I  
 0.19680E+03I +  
 0.19180E+03I  
 0.18680E+03I  
 0.18180E+03I  
 0.17680E+03I  
 0.17180E+03I +  
 0.16680E+03I  
 0.16180E+03I  
 0.15680E+03I  
 0.15180E+03I  
 0.14680E+03I +  
 0.14180E+03I  
 0.13680E+03I  
 0.13180E+03I  
 0.12680E+03I  
 0.12180E+03I  
 0.11680E+03I +  
 0.11180E+03I  
 0.10680E+03I  
 0.10180E+03I +  
 0.96800E+02I  
 0.91800E+02I +  
 0.86800E+02I  
 0.81800E+02I +  
 0.76800E+02I +  
 0.71800E+02I +  
 0.66800E+02I +  
 0.61800E+02I +  
 0.56800E+02I +  
 0.51800E+02I ++  
 0.46800E+02I +  
 0.41800E+02I ++  
 0.36800E+02I +  
 0.31800E+02I ++  
 0.26800E+02I +++  
 0.21800E+02I +\*\*\*  
 0.16800E+02I +\*\*\*\*  
 0.11800E+02I +\*\*\*\*\*  
 0.68000E+01I +\*\*\*\*\*  
 0.18000E+01I +\*\*\*\*\*  
 -0.32000E+01I -----  
 -0.82000E+01I -----  
 -0.13200E+02I -----  
 -0.18200E+02I -----  
 -0.23200E+02I -----

.0

.250E+02

.390E+02 T

## REPONSE DU 2EME GROUPE DES PRECURSEURS A UN ECHELON DE REACTIVITE

PAS D ITERATION H= 0.500

NOMBRE D ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 2

DC2(MW)

0.33600E+03I  
0.32500E+03I  
0.31400E+03I  
0.30300E+03I  
0.29200E+03I  
0.28100E+03I  
0.27000E+03I  
0.25900E+03I  
0.24800E+03I  
0.23700E+03I+  
0.22600E+03I  
0.21500E+03I  
0.20400E+03I  
0.19300E+03I  
0.18200E+03I  
0.17100E+03I  
0.16000E+03I  
0.14900E+03I  
0.13800E+03I  
0.12700E+03I  
0.11600E+03I +  
0.10500E+03I  
0.94000E+02I  
0.83000E+02I  
0.72000E+02I  
0.61000E+02I  
0.50000E+02I  
0.39000E+02I  
0.28000E+02I  
0.17000E+02I +++++  
0.60000E+01I + +++++++  
0.50000E+01I + +++++++  
-0.16000E+02I + +  
-0.27000E+02I  
-0.38000E+02I  
-0.49000E+02I +  
-0.60000E+02I  
-0.71000E+02I  
-0.82000E+02I  
-0.93000E+02I  
-0.10400E+02I +  
-0.11500E+02I +  
-0.12600E+02I  
-0.13700E+02I  
-0.14800E+02I  
-0.15900E+02I +  
-0.17000E+02I  
-0.18100E+02I  
-0.19200E+02I  
-0.20300E+02I +

.250E+02

.390E+02 T

## REPONSE DE LA TEMPERATURE D'URANIUM A UN ECHELON DE REACTIVITE

PAS D'ITERATION H= 0.500

NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 2

DTU(DEG C)

0.52700E+02+  
 0.50700E+02I  
 0.48700E+02I+  
 0.46700E+02I  
 0.44700E+02I  
 0.42700E+02I  
 0.40700E+02I +  
 0.38700E+02I  
 0.36700E+02I  
 0.34700E+02I  
 0.32700E+02I  
 0.30700E+02I +  
 0.28700E+02I  
 0.26700E+02I  
 0.24700E+02I  
 0.22700E+02I  
 0.20700E+02I +  
 0.18700E+02I  
 0.16700E+02I  
 0.14700E+02I  
 0.12700E+02I  
 0.10700E+02I  
 0.87000E+01I +  
 0.67000E+01I  
 0.47000E+01I +  
 0.27000E+01I +++++++  
 0.70000E+00I +++++++  
 -0.13000E+01-----  
 -0.32000E+01I  
 -0.53000E+01I  
 -0.73000E+01I  
 -0.93000E+01I  
 -0.11300E+02I  
 -0.13300E+02I  
 -0.15300E+02I  
 -0.17300E+02I  
 -0.19300E+02I  
 -0.21300E+02I  
 -0.23300E+02I  
 -0.25300E+02I  
 -0.27300E+02I  
 -0.29300E+02I  
 -0.31300E+02I  
 -0.33300E+02I  
 -0.35300E+02I  
 -0.37300E+02I  
 -0.39300E+02I  
 -0.41300E+02I  
 -0.43300E+02I  
 -0.45300E+02I

.0

-10- .250E+02

.390E+02 T

## REONSE DE 1ER GROUPE DES PRECURSEURS A UNE RAMPE DE REACTIVITE

PAS D ITERATION H= 0.500

NOMBRE D ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 10

## DC1(MW)

0.22180E+03++  
 0.21680E+03I  
 0.21180E+03I +  
 0.20680E+03I  
 0.20180E+03I +  
 0.19680E+03I +  
 0.19180E+03I  
 0.18680E+03I +  
 0.18180E+03I  
 0.17680E+03I +  
 0.17180E+03I  
 0.16680E+03I +  
 0.16180E+03I +  
 0.15680E+03I  
 0.15180E+03I +  
 0.14680E+03I  
 0.14180E+03I +  
 0.13680E+03I  
 0.13180E+03I +  
 0.12680E+03I  
 0.12180E+03I +  
 0.11680E+03I +  
 0.11180E+03I  
 0.10680E+03I +  
 0.10180E+03I  
 0.96800E+02I  
 0.91800E+02I  
 0.86800E+02I +  
 0.81800E+02I  
 0.76800E+02I +  
 0.71800E+02I +  
 0.66800E+02I  
 0.61800E+02I +  
 0.56800E+02I  
 0.51800E+02I +  
 0.46800E+02I  
 0.41800E+02I +  
 0.36800E+02I  
 0.31800E+02I +  
 0.26800E+02I +  
 0.21800E+02I  
 0.16800E+02I +  
 0.11800E+02I +  
 0.66000E+01I  
 0.18000E+01I +  
 0.32000E+01I +  
 -0.32000E+01I  
 -0.13200E+02I  
 -0.18200E+02I  
 -0.23200E+02I

.0

.125E+03

.195E+03 T

## REONSE DU 2EME GROUPE DES PRECURSEURS A UNE RAMPE DE REACTIVITE

PAS D ITERATION H= 0.500

NOMBRE D ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 10

EC2(MW)

0.33600E+03+  
 0.32900E+03I  
 0.32200E+02I  
 0.31500E+02I+  
 0.30800E+02I  
 0.30100E+02I  
 0.29400E+02I +  
 0.28700E+02I  
 0.28000E+02I +  
 0.27300E+02I  
 0.26600E+02I +  
 0.25900E+02I +  
 0.25200E+02I  
 0.24500E+02I +  
 0.23800E+02I  
 0.23100E+02I +  
 0.22400E+02I  
 0.21700E+02I +  
 0.21000E+02I  
 0.20300E+02I +  
 0.19600E+02I  
 0.18900E+02I +  
 0.18200E+02I  
 0.17500E+02I +  
 0.16800E+02I  
 0.16100E+02I +  
 0.15400E+02I  
 0.14700E+02I +  
 0.14000E+02I  
 0.13300E+02I +  
 0.12600E+02I  
 0.11900E+02I +  
 0.11200E+02I  
 0.10500E+02I +  
 0.98000E+02I  
 0.91000E+02I +  
 0.84000E+02I  
 0.77000E+02I +  
 0.70000E+02I  
 0.63000E+02I +  
 0.56000E+02I  
 0.49000E+02I +  
 0.42000E+02I  
 0.35000E+02I +  
 0.28000E+02I  
 0.21000E+02I +  
 0.14000E+02I  
 0.70000E+01I +++++++  
 0.0 I  
 -0.70000E+01I +-----  
 .0 .125E+03 .195E+03 T

## REPONSE DE LA TEMPERATURE D'URANIUM A UNE RAMPE DE REACTIVITE

PAS D'ITERATION H= 0.500

NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 10

DTU(DEG C)

0.52700E+02I +  
 0.50700E+02I +  
 0.48700E+02I +  
 0.46700E+02I +  
 0.44700E+02I +  
 0.42700E+02I +  
 0.40700E+02I +  
 0.38700E+02I  
 0.36700E+02I +  
 0.34700E+02I +  
 0.32700E+02I +  
 0.30700E+02I +  
 0.28700E+02I +  
 0.26700E+02I +  
 0.24700E+02I +  
 0.22700E+02I +  
 0.20700E+02I  
 0.18700E+02I +  
 0.16700E+02I +  
 0.14700E+02I +  
 0.12700E+02I +  
 0.10700E+02I +  
 0.87000E+01I +  
 0.67000E+01I +  
 0.47000E+01I +  
 0.27000E+01I  
 0.70000E+00I ++++++  
 0.13000E+01I  
 -0.33000E+01I  
 -0.53000E+01I  
 -0.73000E+01I  
 -0.93000E+01I  
 -0.11300E+02I  
 -0.13300E+02I  
 -0.15300E+02I  
 -0.17300E+02I  
 -0.19300E+02I  
 -0.21300E+02I  
 -0.23300E+02I  
 -0.25300E+02I  
 -0.27300E+02I  
 -0.29300E+02I  
 -0.31300E+02I  
 -0.33300E+02I  
 -0.35300E+02I  
 -0.37300E+02I  
 -0.39300E+02I  
 -0.41300E+02I  
 -0.43300E+02I  
 -0.45300E+02I

.0

-13- .125E+03

.195E+03 T

**VALEURS PROPRES DU SYSTEME**

	$\lambda_1$	$\lambda_2$	$\lambda_3$	$\lambda_4$	$\lambda_5$
Re( $\lambda$ )	-.1600D+03	-.1201D+02	-.5046D+00	-.5046D+00	-.8009D-01
	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00
Im( $\lambda$ )	.0000D+00	.0000D+00	.4060D+00	-.4060D+00	.0000D+00
	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00

Valeurs propres de la matrice  $\Gamma$

**STABILITE DE LA METHODE POUR H=0.1**

	$\lambda_1$	$\lambda_2$	$\lambda_3$	$\lambda_4$	$\lambda_5$
Re( $\lambda$ )	.3890D+00	.7808D+00	.9527D+00	.9527D+00	.9792D+00
	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00
Im( $\lambda$ )	.0000D+00	.0000D+00	.4351D-01	-.4351D-01	.0000D+00
	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00

**STABILITE DE LA METHODE POUR H=0.5**

	$\lambda_1$	$\lambda_2$	$\lambda_3$	$\lambda_4$	$\lambda_5$
Re( $\lambda$ )	.5367D+00	.7440D+00	.7440D+00	.9512D+00	.9603D+00
	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00
Im( $\lambda$ )	.0000D+00	.1564D+00	-.1564D+00	.0000D+00	.0000D+00
	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00

**STABILITE DE LA METHODE POUR H=0.001**

	$\lambda_1$	$\lambda_2$	$\lambda_3$	$\lambda_4$	$\lambda_5$
Re( $\lambda$ )	.8528D+00	.9998D+00	.3360D+05	.9993D+00	.9999D+00
	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00
Im( $\lambda$ )	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00
	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00	.0000D+00

## RESULTATS D'ITERATION

PAS D'ITERATION = 0.500

NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS = NB = 2

CAS D'UN ECHELON

T(S)	COU(T(MW))	CO1(MW)	CO2(MW)	CTU(DEC. C)	CTM(DEC. C)
0.0	0.27000E+03	0.22180E+06	0.33600E+05	0.52700E+02	0.18300E+01
0.10E+01	0.12905E+03	0.21151E+06	0.23533E+05	0.48015E+02	0.16039E+01
0.20E+01	0.198E1F+02	0.19315E+06	0.10540E+05	0.39707E+02	0.13060E+01
0.30E+01	-0.63487E+02	0.16993E+06	-0.14231E+04	0.21626E+02	0.97641E+00
0.40E+01	-0.12874E+02	0.14393E+06	-0.11922E+05	0.18875E+02	0.63118E+00
0.50E+01	-0.19493E+02	0.11624E+06	-0.20526E+05	0.79932E+01	0.28432E+00
0.60E+01	0.83882E+02	0.89265E+05	-0.16760E+05	0.2510F+01	0.10537E+00
0.70E+01	-0.24284E+02	0.67937E+05	-0.10620E+05	0.11271E+01	0.39251E-01
0.80E+01	-0.92270E+01	0.50372E+05	-0.54014E+04	0.93453E+00	0.26643E-01
0.90E+01	0.11721E+01	0.74451E+05	-0.19492E+04	0.10830E+01	0.33619E-01
0.10E+02	0.26261E+01	0.69249E+05	-0.56538E+02	0.11992E+01	0.43760E-01
0.11E+02	0.12727E+01	0.64374E+05	0.77715E+03	0.10244E+01	0.50789E-01
0.12E+02	-0.50301E+02	0.59709E+05	0.12125E+04	0.15830E+01	0.53513E-01
0.13E+02	-0.19779E+01	0.55254E+05	0.96070E+02	0.16656E+01	0.53133E-01
0.14E+02	-0.27139E+01	0.51040E+05	0.93339E+03	0.15833E+01	0.50532E-01
0.15E+02	-0.29257E+01	0.47095E+05	0.59210E+03	0.14735E+01	0.47189E-01
0.16E+02	-0.29404E+01	0.43427E+05	0.57765E+03	0.15744E+01	0.43495E-01
0.17E+02	-0.25905E+01	0.40036E+05	0.49409E+03	0.12436E+01	0.39920E-01
0.18E+02	-0.22912E+01	0.36907E+05	0.43500E+03	0.11426E+01	0.36519E-01
0.19E+02	-0.19088E+01	0.34025E+05	0.39210E+03	0.10423E+01	0.33626E-01
0.20E+02	-0.17382E+01	0.31369E+05	0.35907E+03	0.96511E+01	0.30922E-01
0.21E+02	-0.15002E+01	0.28923E+05	0.33134E+03	0.87855E+01	0.23470E-01
0.22E+02	-0.13152E+01	0.26668E+05	0.30664E+03	0.31834E+01	0.26235E-01
0.23E+02	-0.11488E+01	0.24599E+05	0.28384E+03	0.75424E+01	0.24189E-01
0.24E+02	-0.10047E+01	0.22675E+05	0.26250E+03	0.61618E+01	0.22305E-01
0.25E+02	-0.87873E+00	0.20903E+05	0.24250E+03	0.54222E+01	0.20505E-01
0.26E+02	-0.76789E+00	0.19279E+05	0.22381E+03	0.59209E+01	0.18972E-01
0.27E+02	-0.65994E+00	0.17777E+05	0.20644E+03	0.54579E+01	0.17494E-01
0.28E+02	-0.56223E+00	0.16392E+05	0.19035E+03	0.50347E+00	0.16125E-01
0.29E+02	-0.50646E+00	0.15115E+05	0.17549E+03	0.4425E+00	0.14375E-01
0.30E+02	-0.43856E+00	0.13937E+05	0.16178E+03	0.42808E+00	0.13717E-01

0.31E+02	-0.37859E+00	0.12851E+05	0.14915E+03	0.39472E+00	0.12648E-01
0.32E+02	-0.32570E+00	0.11850E+05	0.13751E+03	0.3396E+00	0.11663E-01
0.33E+02	-0.27914E+00	0.10927E+05	0.12677E+03	0.33550E+00	0.10754E-01
0.34E+02	-0.23922E+00	0.10075E+05	0.11688E+03	0.30944E+00	0.99162E-02
0.35E+02	-0.20231E+00	0.92904E+04	0.10777E+03	0.2533E+00	0.91436E-02
0.36E+02	-0.17084E+00	0.85666E+04	0.99362E+02	0.26309E+00	0.84312E-02
0.37E+02	-0.14333E+00	0.78991E+04	0.91613E+02	0.22359E+00	0.77743E-02
0.38E+02	-0.11931E+00	0.72837E+04	0.84468E+02	0.20626E+00	0.71686E-02
0.39E+02	-0.98381E-01	0.67162E+04	0.77880E+02	0.19018E+00	0.66100E-02
0.40E+02	-0.80193E-01	0.61929E+04	0.71807E+02	0.17536E+00	0.56201E-02
0.41E+02	-0.64423E-01	0.57103E+04	0.66206E+02	0.170E+00	0.51823E-02
0.42E+02	-0.50786E-01	0.52654E+04	0.61043E+02	0.1677E+00	0.47765E-02
0.43E+02	-0.39031E-01	0.48552E+04	0.56282E+02	0.14910E+00	0.44062E-02
0.44E+02	-0.28934E-01	0.44769E+04	0.51893E+02	0.13748E+00	0.40629E-02
0.45E+02	-0.20294E-01	0.41280E+04	0.47846E+02	0.11639E+00	0.37463E-02
0.46E+02	-0.12935E-01	0.38064E+04	0.44115E+02	0.10778E+00	0.34544E-02
0.47E+02	-0.66996E-02	0.35098E+04	0.40675E+02	0.9381E-01	0.31853E-02
0.48E+02	-0.14495E-02	0.32364E+04	0.37504E+02	0.91637E-01	0.29371E-02
0.49E+02	-0.29407E-02	0.29842E+04	0.34580E+02		

### RESULTATS D'ITERATION

PAS D'ITERATION H= 0.500

NOMBRE D'ITERATION ENTRE DEUX POINTS NB= 10

### CAS D'UNE RAMPE

T (S)	DPU1(MW)	DC1(MW)	DC2(MW)	DTU(DEG C)	ETM(DEG C)
0.0	0.27000E+03	0.22180E+06	0.33600E+05	0.57700E+02	0.18800E+01
0.50E+01	0.24744E+03	0.21810E+06	0.31060E+05	0.52574E+02	0.16766E+01
0.10E+02	0.23665E+03	0.20978E+06	0.29293E+05	0.50190E+C2	0.16002E+01
0.15E+02	0.22541E+03	0.20138E+06	0.27959E+05	0.4951E+02	0.1528E+01
0.20E+02	0.21412E+03	0.19278E+06	0.26594E+05	0.45735E+02	0.14573E+01
0.25E+02	0.20289E+03	0.18403E+06	0.25227E+05	0.43455E+02	0.1386E+01
0.30E+02	0.19170E+03	0.17518E+06	0.23858E+05	0.41211E+02	0.13138E+01
0.35E+02	0.18051E+03	0.16627E+06	0.22489E+05	0.38946E+02	0.12419E+C1
0.40E+02	0.16934E+03	0.15732E+06	0.21120E+05	0.3639E+02	0.11700E+01
0.45E+02	0.15818E+03	0.14834E+06	0.19750E+05	0.34432E+02	0.10981E+01
0.50E+02	0.14702E+03	0.13934E+06	0.18380E+05	0.32173E+02	0.10252E+01
0.55E+02	0.13586E+03	0.13033E+06	0.17010E+05	0.29915E+02	0.95423E+00

0.60E+02	0.12470E+03	0.12131E+06	0.15639E+05	0.27636E+02	0.88227E+00
0.65E+02	0.11354E+03	0.11229E+06	0.14269E+05	0.2397E+02	0.81030E+00
0.70E+02	0.10238E+03	0.10326E+06	0.12899E+05	0.23138E+02	0.73813E+00
0.75E+02	0.91222E+02	0.94226E+05	0.11528E+05	0.20879E+02	0.66635E+00
0.80E+02	0.80064E+02	0.85193E+05	0.10158E+05	0.1620E+02	0.59438E+00
0.85E+02	0.68907E+02	0.76158E+05	0.87870E+04	0.16350E+02	0.52240E+00
0.90E+02	0.57750E+02	0.67123E+05	0.74165E+04	0.1101E+02	0.45043E+00
0.95E+02	0.46592E+02	0.58089E+05	0.60461E+04	0.11842E+02	0.37845E+00
0.10E+03	0.35434E+02	0.49055E+05	0.46756E+04	0.95825E+01	0.30647E+00
0.11E+03	0.24276E+02	0.40019E+05	0.33051E+04	0.7232E+01	0.23450E+00
0.11E+03	0.13118E+02	0.30984E+05	0.19346E+04	0.50639E+01	0.16252E+00
0.12E+03	0.19601E+01	0.21948E+05	0.56415E+03	0.28046E+01	0.90542E-01
0.12E+03	-0.91977E+01	0.12912E+05	0.80635E+03	0.54524E+00	0.18564E-01
0.13E+03	-0.99059E+00	0.83096E+04	0.68305E+02	0.22638E+00	0.72006E-02
0.13E+03	-0.77537E+00	0.55768E+04	0.70825E+02	0.17251E+00	0.55256E-02
0.14E+03	-0.45040E+00	0.37162E+04	0.43073E+02	0.11426E+00	0.36589E-02
0.14E+03	-0.25498E+00	0.24772E+04	0.28837E+02	0.76115E-01	0.24355E-02
0.15E+03	-0.14340E+00	0.16513E+04	0.19215E+02	0.5737E-01	0.16251E-02
0.15E+03	-0.79431E-01	0.11007E+04	0.12799E+02	0.33817E-01	0.10833E-02
0.16E+03	-0.43146E-01	0.73372E+03	0.85261E+01	0.2540E-01	0.72209E-03
0.16E+03	-0.22815E-01	0.48909E+03	0.56801E+01	0.15024E-01	0.48134E-03
0.17E+03	-0.11601E-01	0.32602E+03	0.37842E+01	0.10014E-01	0.32086E-03
0.17E+03	-0.55446E-02	0.21732E+03	0.25213E+01	0.6745E-02	0.21388E-03
0.18E+03	-0.23693E-02	0.14486E+03	0.16800E+01	0.44439E-02	0.14257E-03
0.18E+03	-0.77454E-03	0.96565E+02	0.11194E+01	0.2654E-02	0.95039E-04
0.19E+03	-0.27956E-04	0.64369E+02	0.74592E+00	0.19756E-02	0.63353E-04
0.19E+03	-0.27760E-03	0.42908E+02	0.49706E+00	0.13175E-02	0.42231E-04
0.20E+03	-0.36474E-03	0.28602E+02	0.33124E+00	0.8821E-03	0.28151E-04
0.20E+03	-0.25216E-03	0.19066E+02	0.22074E+00	0.58538E-03	0.18755E-04
0.21E+03	-0.30088E-03	0.12709E+02	0.14711E+00	0.39019E-03	0.12509E-04
0.21E+03	-0.24065E-03	0.84717E+01	0.98039E-01	0.26019E-03	0.83382E-05
0.22E+03	-0.18474E-03	0.56472E+01	0.65338E-01	0.17337E-03	0.55582E-05
0.22E+03	-0.13790E-03	0.37644E+01	0.43545E-01	0.1556E-03	0.37051E-05
0.23E+03	-0.10088E-03	0.25093E+01	0.29022E-01	0.77032E-04	0.24698E-05
0.23E+03	-0.72679E-04	0.16727E+01	0.19343E-01	0.5347E-04	0.1643E-05
0.24E+03	-0.51744E-04	0.11150E+01	0.12892E-01	0.34227E-04	0.10974E-05
0.24E+03	-0.36492E-04	0.74323E+00	0.85925E-02	0.22815E-04	0.73153E-06
0.25E+03	-0.25536E-04	0.49543E+00	0.57271E-02	0.1208E-04	0.48764E-06

A N N E X E II

METHODE DE RUNGE KUTTA

PROGRAMME PRINCIPAL DE LA  
METHODE DE RUNGE

KUTTA

```
DIMENSION X(5),A(5,5),T1(5),T2(5),T3(5),T4(5),B(5)
DIMENSION TAB(60),TAB1(60),TAB2(60),TAB3(60),TAB4(60),TAB5(60)
INTEGER GRAFHEX(60,62)
DATA IBLANC,II,IMOINS,IPLUS/1H+,1HT,1H-,1H+/
N=5
0006 DO 1 J=1,N
000A DO 1 I=1,N
000E A(I,J)=0.
0032 A(1,1)=-160.
003C A(1,2)=0.087
0042 A(1,3)=0.71
0048 A(1,4)=-2025.
0054 A(1,5)=-20250.
0060 A(2,1)=71.5
0066 A(2,2)=-0.087
0072 A(3,1)=88.
0078 A(3,3)=-0.71
0084 A(4,1)=0.037
008A A(4,4)=-0.186
0096 A(4,5)=0.186
009C A(5,4)=0.385
00A2 A(5,5)=-12.085
00AE DO 4 I=1,N
00B2 X(I)=0
00CE X(1)=-270.
00D8 X(2)=-221897.7
00E4 X(3)=-33654.9
00F0 X(4)=-52.7
00FC X(5)=-1.88
0108 DO 5 I=i,N
010C B(I)=0
0128 B(1)=675.
012C H=0.0134
0130 NB=300
0134 IPAS=H*NB
013E MAXT=60
0142 T5=0.
0146 T6=(MAXT/2)*IPAS
0150 T7=(MAXT*IPAS)-IPAS
015A T=0.
015E PRINT 300,(T,X(1),X(2),X(3),X(4),X(5))
019C DO 2 I=1,60
01A0 TAB1(I)=0.
01AC TAB2(I)=0
01BE TAB4(I)=0
01D0 TAB3(I)=0
01E2 TAB5(I)=0.
01EE TAB(I)=0.
0202 TAB(1)=100.*X(5)
020E TAB1(1)=X(4)
```

```

055      TAB4(1)=X(1)
056      TAB3(1)=X(3)
057      TAB2(1)=X(2)
058      DO 7 IPI=1,49
059      DO 3 I=1,200
060      CALL MIG1(N,H,X,A,T,B,T1)
061      CALL MIG2(N,H,X,A,B,T,T1,T2)
062      CALL MIG3(N,H,X,A,B,T,T2,T3)
063      CALL MIG4(N,H,X,A,B,T,T3,T4)
064      IF(T>120)11,11,8
065      11 U=1.7875*T-214.5
066      GOTD 122
067      8 II=0.
068      122 T=T+H
069      DO 3 J=1,N
070      3 X(J)=X(J)+(T1(J)+2.*T2(J)+2.*T3(J)+T4(J))/6
071      TAB5(IPI+1)=1000.*U
072      TAB(IPI+1)=100.*X(5)
073      TAB1(IPI+1)=X(4)
074      TAB4(IPI+1)=X(1)
075      TAB2(IPI+1)=X(2)
076      TAB3(IPI+1)=X(3)
077      7 PRINT 300,(T,X(1),X(2),X(3),X(4),X(5))
078      PRINT 100
079      PRINT 400
080      PRINT 20
081      PRINT 12
082      PRINT 900
083      VALMAX=0.
084      VALMIN= 167
085      CALL COURBE(H,TAB,VALMAX,VALMIN,MAXT)
086      PRINT 50,(T5,T6,T7)
087      PRINT 100
088      PRINT 200
089      PRINT 20
090      PRINT 12
091      PRINT 950
092      VALMA=0.
093      VALMI=-52
094      CALL COURBE(H,TAB1,VALMA,VALMI,MAXT)
095      PRINT 50,(T5,T6,T7)
096      PRINT 100
097      PRINT 16
098      PRINT 20
099      PRINT 12
100      PRINT 350
101      VALMA1=0.
102      VALMT1=-1650700.
103      CALL COURBE(H,TAB2,VALMA1,VALM1,MAXT)
104      PRINT 50,(T5,T6,T7)
105      PRINT 100
106      PRINT 17
107      PRINT 20
108      PRINT 12
109      PRINT 700
110      VALMA2=0.
111      VALMI2=19516
112      CALL COURBE(H,TAB3,VALMA2,VALM1,MAXT)

```

```

13 PRINT 50,(T5,T6,T7)
14 PRINT 100
15 PRINT 21
16 PRINT 20
17 PRINT 12
18 PRINT 150
19 VALMA3=0
20 VALMI3= 137.
21 CALL COURBE(H,TAB4,VALMA3,VALMI3,MAXT)
22 PRINT 50,(T5,T6,T7)
23 PRINT 100
24 PRINT 24
25 PRINT 20
26 PRINT 12
27 PRINT 13
28 VALMA4=0.
29 VALMI4= 214.5
30 CALL COURBE(H,TAB5,VALMA4,VALMI4,MAXT)
31 PRINT 50,(T5,T6,T7)
32 300 FORMAT(2X,"T=",F6.2,2X,"X1=",E14.5,2X,"X2=",E14.5,2X,"X3=",E14.5,
33 *2X,"X4=",E14.5,2X,"X5=",E14.5)
34 100 FORMAT(////)
35 24 FORMAT(17X,"RAMPE DE COMMANDE")
36 13 FORMAT(13X,"U")
37 27 FORMAT(10X,"RESULTATS OBTENUS CAS D'UNE RAMPE")
38 71 FORMAT(//)
39 20 FORMAT(17X,59(1H ))
40 16 FORMAT(17X,"REPONSE DE PUISSANCE DC1N A UNE RAMPE DE REACTIVITE")
41 17 FORMAT(17X,"REPONSE DE PUISSANCE DC2N A UNE RAMPE DE REACTIVITE")
42 21 FORMAT(17X,"REPONSE DE PUISSANCE PN A UNE RAMPE DE REACTIVITE")
43 200 FORMAT(17X,"REPONSE DE TEMPERATURE D'URANIUM A UNE RAMPE DE REACTIVITE")
44 *VITE")
45 400 FORMAT(10X,"REPONSE DE TEMPERATURE DU MODERATEUR A UNE RAMPE DE REACTIVITE")
46 950 FORMAT(13X,"DTU")
47 900 FORMAT(13X,"DTM")
48 50 FORMAT(10X,E11.4,13X,E11.4,13X,E11.4,1X,"T")
49 700 FORMAT(13X,"DC2N")
50 350 FORMAT(13X,"DC1N")
51 150 FORMAT(13X,"DPN")
52 12 FORMAT(17X,"PAS H=0.0134")
53 STOP
54 END

```

SOUBRETTINES POUR LE CAS D'UNE RAMPE

```

150      SUBROUTINE MIG1(N,H,X,A,B,T,T1)
151      DIMENSION X(5),A(5,5),T1(5),B(5)
152      IF(T-120)11,11,8
153      001A    11  U=1.7875*T-214.5
154      0022    GOTO 12
155      0024    8   U=0.
156      0028    12  DO i I=1,N
157      002C    P=0
158      0032    DO 2 J=1,N
159      0036    2   P=P+(A(I,J)*X(J))+(B(J)*L)
160      006E    T1(I)=0
161      0080    T1(I)=T1(I)+H*P
162      009E    1.  CONTINUE
163      00A8    RETURN
164      00AA    END

165      SUBROUTINE MIG2(N,H,X,A,B,T,T1,T2)
166      DIMENSION X(5),A(5,5),T1(5),T2(5),B(5)
167      IF(T-120)11,11,8
168      001A    11  U=1.7875*(T+0.5*H)-214.5
169      0026    GOTO 12
170      0028    8   U=0.
171      002C    12  DO i I=1,N
172      0030    P=0
173      0036    DO 2 J=1,N
174      003A    2   P=P+(A(I,J)*(0.5*T1(J)+X(J)))+(B(J)*U)
175      007E    T2(I)=0
176      0090    T2(I)=T2(I)+H*P
177      00AE    1.  CONTINUE
178      00B8    RETURN
179      00BA    END

180      SUBROUTINE MIG3(N,H,X,A,B,T,T2,T3)
181      DIMENSION X(5),A(5,5),T3(5),T2(5),B(5)
182      IF(T-120)11,11,8
183      001A    11  U=1.7875*(T+0.5*H)-214.5
184      0026    GOTO 12
185      0028    8   U=0.
186      002C    12  DO i I=1,N
187      0030    P=0
188      0036    DO 2 J=1,N
189      003A    2   P=P+(A(I,J)*(0.5*T2(J)+X(J)))+(B(J)*U)
190      007E    T3(I)=0
191      0090    T3(I)=T3(I)+H*P
192      00AE    1.  CONTINUE
193      00B8    RETURN
194      00BA    END

195      SUBROUTINE MIG4(N,H,X,A,B,T,T3,T4)
196      DIMENSION X(5),A(5,5),T4(5),T3(5),B(5)
197      IF(T-120)11,11,8
198      001A    11  U=1.7875*(T+H)-214.5
199      0024    GOTO 12
200      0026    8   U=0.
201      002A    12  DO i I=1,N
202      002E    P=0
203      0034    DO 2 J=1,N
204      0038    2   P=P+(A(I,J)*(T3(J)+X(J)))+(B(J)*U)
205      007A    T4(I)=0
206      008C    T4(I)=T4(I)+H*P
207      00AA    1.  CONTINUE
208      00B4    RETURN
209      00B6    END

```

SOUBRÉTINES DANS LE CAS D'UN ÉCHELON

135  
136  
137  
138  
139  
140 SUBROUTINE MIG1(N,H,X,A,T1,B,T,U)  
141 DIMENSION A(5,5),X(5),T1(5),B(5)  
142 DO 1 I=1,N  
143 P=0  
144 2 DO 2 J=1,N  
145 P=P+(A(I,J)\*X(J))+(B(J)\*U)  
146 T1(I)=0  
147 T1(I)=T1(I)+H\*P  
148 1 CONTINUE  
149 RETURN  
150 END

156  
157  
158  
159 SUBROUTINE MIG2(N,H,X,A,T1,T2,B,T,U)  
160 DIMENSION X(5),A(5,5),T2(5),T1(5),B(5)  
161 DO 1 I=1,N  
162 P=0  
163 2 DO 2 J=1,N  
164 P=P+(A(I,J)\*(0.5\*T1(J)+X(J)))+(B(J)\*U)  
165 T2(I)=0  
166 T2(I)=T2(I)+H\*P  
167 1 CONTINUE  
168 RETURN  
169 END

170  
171  
172  
173  
174  
175  
176  
177 SUBROUTINE MIG3(N,H,X,A,T2,T3,T,B,U)  
178 DIMENSION X(5),A(5,5),T3(5),T2(5),B(5)  
179 DO 1 I=1,N  
180 P=0  
181 2 DO 2 J=1,N  
182 P=P+(A(I,J)\*(0.5\*T2(J)+X(J)))+(B(J)\*U)  
183 T3(I)=0  
184 T3(I)=T3(I)+H\*P  
185 1 CONTINUE  
186 RETURN  
187 END

188  
189  
190  
191  
192  
193  
194  
195  
196  
197  
198 SUBROUTINE MIG4(N,H,X,A,T,T3,T4,B,U)  
199 DIMENSION X(5),A(5,5),T4(5),T3(5),B(5)  
200 DO 1 I=1,N  
201 P=0  
202 2 DO 2 J=1,N  
203 P=P+(A(I,J)\*(T3(J)+X(J)))+(B(J)\*U)  
204 T4(I)=0  
205 T4(I)=T4(I)+H\*P  
206 1 CONTINUE  
207 RETURN  
208 END

- METHODE DE RUNGE KUTTA -

RESULTATS OBTENUS CAS D UNE RAMPE

T= 0.0	X1= -0.27000E+03	X2= -0.22190E+06	X3= -0.33655E+05	X4= -0.52700E+02	X5= -0.18800E+01
T=159.92	X1= -0.13667E+03	X2= -0.16907E+07	X3= -0.19516E+05	X4= -0.51886E+02	X5= -0.16641E+01
T=161.92	X1= -0.11790E+03	X2= -0.14374E+07	X3= -0.1659 E+05	X4= -0.44112E+02	X5= -0.14148E+01
T=163.92	X1= -0.10023E+03	X2= -0.12220E+07	X3= -0.14106E+05	X4= -0.37503E+02	X5= -0.12028E+01
T=165.92	X1= -0.85207E+02	X2= -0.10389E+07	X3= -0.1199 E+05	X4= -0.31883E+02	X5= -0.10226E+01
T=167.92	X1= -0.72465E+02	X2= -0.88326E+06	X3= -0.10196E+05	X4= -0.27106E+02	X5= -0.86937E+00
T=169.91	X1= -0.61617E+02	X2= -0.75096E+06	X3= -0.86703E+04	X4= -0.23046E+02	X5= -0.73915E+00
T=171.91	X1= -0.52390E+02	X2= -0.63847E+06	X3= -0.73722E+04	X4= -0.19594E+02	X5= -0.62843E+00
T=173.91	X1= -0.44544E+02	X2= -0.54283E+06	X3= -0.62683E+04	X4= -0.16659E+02	X5= -0.53429E+00
T=175.91	X1= -0.37862E+02	X2= -0.46152E+06	X3= -0.53289E+04	X4= -0.14164E+02	X5= -0.45427E+00
T=177.91	X1= -0.32186E+02	X2= -0.39238E+06	X3= -0.4529 E+04	X4= -0.12042E+02	X5= -0.38623E+00
T=179.91	X1= -0.27364E+02	X2= -0.33360E+06	X3= -0.38510E+04	X4= -0.10238E+02	X5= -0.32837E+00
T=181.91	X1= -0.23265E+02	X2= -0.28363E+06	X3= -0.3274 E+04	X4= -0.87044E+01	X5= -0.27918E+00
T=183.91	X1= -0.19780E+02	X2= -0.24114E+06	X3= -0.27837E+04	X4= -0.74004E+01	X5= -0.23735E+00
T=185.91	X1= -0.16817E+02	X2= -0.20501E+06	X3= -0.23666E+04	X4= -0.62918E+01	X5= -0.20180E+00
T=187.90	X1= -0.14297E+02	X2= -0.17430E+06	X3= -0.20121E+04	X4= -0.53492E+01	X5= -0.17156E+00
T=189.90	X1= -0.12155E+02	X2= -0.14819E+06	X3= -0.17106E+04	X4= -0.45478E+01	X5= -0.14586E+00
T=191.90	X1= -0.10334E+02	X2= -0.12599E+06	X3= -0.1454 E+04	X4= -0.38664E+01	X5= -0.12401E+00
T=193.90	X1= -0.87854E+01	X2= -0.10711E+06	X3= -0.12364E+04	X4= -0.32872E+01	X5= -0.10543E+00
T=195.90	X1= -0.74690E+01	X2= -0.91061E+05	X3= -0.1051 E+04	X4= -0.27946E+01	X5= -0.89632E-01

T=197.90 X1= -0.63496E+01 X2= -0.77416E+05 X3= -0.89362E+03 X4= -0.23759E+01 X5= -0.76202E 01  
T=199.90 X1= -0.53979E+01 X2= -0.65815E+05 X3= -0.75969E+03 X4= -0.20199E+01 X5= -0.64783E+01  
T=201.90 X1= -0.45907E+01 X2= -0.55556E+05 X3= -0.64594E+03 X4= -0.17172E+01 X5= -0.55076E+01  
T=203.90 X1= -0.39036E+01 X2= -0.47574E+05 X3= -0.54928E+03 X4= -0.14600E+01 X5= -0.46826E+01  
T=205.89 X1= -0.33191E+01 X2= -0.40448E+05 X3= -0.46706E+03 X4= -0.12413E+01 X5= -0.39812E+01  
T=207.89 X1= -0.28219E+01 X2= -0.34389E+05 X3= -0.3971 E+03 X4= -0.10554E+01 X5= -0.33849E+01  
T=209.89 X1= -0.23987E+01 X2= -0.29238E+05 X3= -0.33760E+03 X4= -0.89730E+00 X5= -0.28779E+01  
T=211.89 X1= -0.20390E+01 X2= -0.24858E+05 X3= -0.28698E+03 X4= -0.76289E+00 X5= -0.24468E+01  
T=213.89 X1= -0.17336E+01 X2= -0.21134E+05 X3= -0.2439 E+03 X4= -0.64860E+00 X5= -0.20803E+01  
T=215.89 X1= -0.14739E+01 X2= -0.17968E+05 X3= -0.20742E+03 X4= -0.55144E+00 X5= -0.17686E+01  
T=217.89 X1= -0.12531E+01 X2= -0.15277E+05 X3= -0.1763 E+03 X4= -0.46883E+00 X5= -0.15037E+01  
T=219.89 X1= -0.10654E+01 X2= -0.12988E+05 X3= -0.14993E+03 X4= -0.39860E+00 X5= -0.12784E+01  
T=221.89 X1= -0.90575E+00 X2= -0.11042E+05 X3= -0.12747E+03 X4= -0.33888E+00 X5= -0.10869E+01  
T=223.88 X1= -0.77004E+00 X2= -0.93880E+04 X3= -0.1083 E+03 X4= -0.28811E+00 X5= -0.92406E+02  
T=225.88 X1= -0.65468E+00 X2= -0.79815E+04 X3= -0.92135E+02 X4= -0.24495E+00 X5= -0.78562E+02  
T=227.88 X1= -0.55657E+00 X2= -0.67856E+04 X3= -0.78329E+02 X4= -0.20825E+00 X5= -0.66791E+02  
T=229.88 X1= -0.47315E+00 X2= -0.57688E+04 X3= -0.66591E+02 X4= -0.17705E+00 X5= -0.56784E+02  
T=231.88 X1= -0.40225E+00 X2= -0.49044E+04 X3= -0.5661 E+02 X4= -0.14052E+00 X5= -0.48275E+02  
T=233.88 X1= -0.34196E+00 X2= -0.41695E+04 X3= -0.48127E+02 X4= -0.12796E+00 X5= -0.41041E+02  
T=235.88 X1= -0.29082E+00 X2= -0.35449E+04 X3= -0.40920E+02 X4= -0.10879E+00 X5= -0.34891E+02  
T=237.88 X1= -0.24730E+00 X2= -0.30139E+04 X3= -0.34797E+02 X4= -0.92491E+01 X5= -0.29665E+02  
T=239.88 X1= -0.21026E+00 X2= -0.25624E+04 X3= -0.29587E+02 X4= -0.78637E+01 X5= -0.25221E+02

RESULTATS OBTENUS CAS D'UN ECHELON

T=	X1=	X2=	X3=	X4=	X5=
00	- . 27000E+03	- . 22190E+06	- . 33655E+05	- . 52700E+02	- . 18800E+01
3000	- . 32891E+03	- . 14717E+06	- . 25323E+05	- . 17377E+02	- . 59610E+00
6000	- . 10731E+03	- . 10855E+06	- . 24101E+05	- . 34204E+01	- . 12211E+00
9000	- . 81317E+01	- . 90413E+05	- . 11645E+04	- . 31378E+00	- . 45214E+00
12000	- . 18363E+02	- . 80281E+05	- . 31043E+04	- . 69988E+00	- . 56874E+00
15000	- . 17345E+02	- . 72365E+05	- . 46728E+04	- . 14521E+01	- . 57063E+00
18000	- . 11113E+02	- . 64942E+05	- . 12791E+04	- . 17937E+01	- . 51973E+00
21000	- . 66114E+01	- . 45427E+05	- . 80630E+04	- . 17852E+01	- . 45734E+00
24000	- . 43966E+01	- . 40198E+05	- . 58817E+04	- . 14246E+01	- . 35129E+00
27000	- . 30935E+01	- . 35576E+05	- . 40032E+04	- . 12465E+01	- . 30999E+00
30000	- . 28186E+01	- . 14932E+05	- . 35548E+04	- . 10949E+01	- . 27412E+00
33000	- . 22822E+01	- . 78833E+05	- . 28318E+04	- . 96619E+00	- . 24282E+00
36000	- . 20299E+01	- . 46888E+05	- . 25366E+04	- . 85488E+00	- . 21509E+00
38000	- . 17970E+01	- . 18600E+05	- . 23388E+04	- . 75711E+00	- . 16864E+00
41000	- . 15896E+01	- . 19355E+05	- . 20366E+04	- . 67064E+00	- . 14936E+00
44000	- . 14064E+01	- . 17137E+05	- . 19800E+04	- . 59395E+00	- . 13225E+00
47000	- . 12449E+01	- . 13433E+05	- . 17525E+04	- . 51333E+00	- . 11709E+00
50000	- . 11022E+01	- . 11896E+05	- . 15513E+04	- . 44166E+00	- . 10368E+00
53000	- . 97593E+00	- . 10533E+05	- . 13734E+04	- . 38866E+00	- . 91804E+00
56000	- . 86418E+00	- . 93266E+05	- . 12161E+04	- . 32862E+00	- . 81284E+00
59000	- . 76521E+00	- . 82683E+05	- . 10768E+04	- . 25344E+00	- . 71974E+00
62000	- . 67759E+00	- . 73124E+05	- . 95349E+04	- . 22441E+00	- . 63734E+00
65000	- . 60000E+00	- . 64749E+05	- . 84430E+04	- . 19870E+00	- . 56432E+00
68000	- . 53130E+00	- . 57334E+05	- . 74762E+04	- . 17595E+00	- . 49970E+00
71000	- . 47046E+00	- . 40768E+05	- . 66202E+04	- . 15580E+00	- . 44248E+00
74000	- . 41661E+00	- . 44955E+05	- . 58623E+04	- . 13796E+00	- . 39182E+00
77000	- . 36893E+00	- . 9808E+05	- . 51912E+04	- . 12217E+00	- . 34694E+00
80000	- . 32664E+00	- . 5246E+05	- . 45970E+04	- . 10817E+00	- . 30718E+00
83000	- . 28906E+00	- . 1206E+05	- . 40694E+04	- . 95776E+00	
86000	- . 25586E+00		- . 36019E+04		
89000					
92000					

T= 95.95	X1= -0.22605E+00	X2= -0.27541E+04	X3= -0.31805E+02	X4= -0.84518E-01	X5= -0.27107E-02
T= 98.95	X1= -0.20015E+00	X2= -0.24385E+04	X3= -0.28163E+02	X4= -0.74831E-01	X5= -0.24001E-02
T=101.95	X1= -0.17722E+00	X2= -0.21590E+04	X3= -0.24937E+02	X4= -0.66254E-01	X5= -0.21250E-02
T=104.95	X1= -0.15587E+00	X2= -0.19115E+04	X3= -0.22078E+02	X4= -0.58662E-01	X5= -0.18815E-02
T=107.95	X1= -0.13383E+00	X2= -0.16924E+04	X3= -0.19542E+02	X4= -0.51940E-01	X5= -0.16659E-02
T=110.95	X1= -0.12200E+00	X2= -0.14984E+04	X3= -0.17298E+02	X4= -0.45906E-01	X5= -0.14749E-02
T=113.95	X1= -0.10381E+00	X2= -0.13236E+04	X3= -0.15319E+02	X4= -0.40714E-01	X5= -0.13058E-02
T=116.94	X1= -0.96343E-01	X2= -0.11746E+04	X3= -0.13558E+02	X4= -0.36047E-01	X5= -0.11561E-02
T=119.94	X1= -0.85299E-01	X2= -0.10399E+04	X3= -0.12004E+02	X4= -0.31912E-01	X5= -0.10236E-02
T=122.93	X1= -0.75519E-01	X2= -0.92070E+03	X3= -0.10628E+02	X4= -0.28256E-01	X5= -0.90626E-03
T=125.94	X1= -0.66860E-01	X2= -0.81515E+03	X3= -0.94096E+01	X4= -0.25017E-01	X5= -0.80236E-03
T=128.94	X1= -0.59193E-01	X2= -0.72170E+03	X3= -0.83307E+01	X4= -0.22145E-01	X5= -0.71033E-03
T=131.94	X1= -0.52406E-01	X2= -0.63395E+03	X3= -0.73755E+01	X4= -0.19609E-01	X5= -0.62093E-03
T=134.93	X1= -0.46897E-01	X2= -0.56569E+03	X3= -0.65297E+01	X4= -0.17361E-01	X5= -0.55682E-03
T=137.93	X1= -0.41076E-01	X2= -0.50033E+03	X3= -0.57809E+01	X4= -0.15370E-01	X5= -0.49297E-03
T=140.93	X1= -0.36364E-01	X2= -0.44340E+03	X3= -0.51179E+01	X4= -0.13608E-01	X5= -0.43644E-03
T=143.93	X1= -0.32193E-01	X2= -0.39255E+03	X3= -0.45309E+01	X4= -0.12047E-01	X5= -0.38639E-03
T=146.93	X1= -0.28500E-01	X2= -0.34753E+03	X3= -0.40112E+01	X4= -0.10666E-01	X5= -0.34208E-03

## REPONSE DE TEMPERATURE D'URANIUM A UN ECHELON DE REACTIVITE

PAS H=0.0134

DTU (c)

0.0	
-0.20000E+01I	+
-0.40000E+01I	
-0.60000E+01I	+
-0.80000E+01I	
-0.10000E+02I	+
-0.12000E+02I	
-0.14000E+02I	
-0.16000E+02I	+
-0.18000E+02I	
-0.20000E+02I	
-0.22000E+02I	
-0.24000E+02I	
-0.26000E+02I	+
-0.28000E+02I	
-0.30000E+02I	
-0.32000E+02I	
-0.34000E+02I	
-0.36000E+02I	
-0.38000E+02I	+
-0.40000E+02I	
-0.42000E+02I	
-0.44000E+02I	
-0.46000E+02I	
-0.48000E+02I	
-0.50000E+02I	
-0.52000E+02I	
-0.54000E+02I	
-0.56000E+02I	
-0.58000E+02I	
-0.60000E+02I	
-0.62000E+02I	
-0.64000E+02I	
-0.66000E+02I	
-0.68000E+02I	
-0.70000E+02I	
-0.72000E+02I	
-0.74000E+02I	
-0.76000E+02I	
-0.78000E+02I	
-0.80000E+02I	
-0.82000E+02I	
-0.84000E+02I	
-0.86000E+02I	
-0.88000E+02I	
-0.90000E+02I	
-0.92000E+02I	
-0.94000E+02I	
-0.96000E+02I	
-0.98000E+02I	

0.0

0.2500E+02

0.4900E+02 T

## REPCNSE DE PUISSANCE DCIN A UN ECHELON DE REACTIVITE

PAS H=0.0134  
DC 1N (MW)

0.0  
-0.44390E+04I  
-C.88780E+04I  
-0.13317E+05I  
-0.17756E+05I  
-0.22195E+05I  
-0.26634E+05I  
-0.31073E+05I  
-0.35512E+05I  
-0.39951E+05I  
-0.44390E+05I  
-0.48829E+05I  
-0.53268E+05I  
-0.57707E+05I  
-C.62146E+05I  
-0.66585E+05I  
-0.71024E+05I  
-0.75463E+05I  
-0.79902E+05I  
-0.84341E+05I  
-0.88780E+05I  
-0.93219E+05I  
-0.97658E+05I  
-0.10210E+06I  
-0.10654E+06I  
-C.11098E+06I  
-0.11541E+06I  
-0.11985E+06I  
-C.12429E+06I  
-0.12873E+06I  
-0.13317E+06I  
-0.13761E+06I  
-0.14205E+06I  
-C.14649E+06I  
-0.15093E+06I  
-0.15537E+06I  
-0.15980E+06I  
-0.16424E+06I  
-0.16868E+06I  
-0.17312E+06I  
-0.17756E+06I  
-C.18200E+06I  
-0.18644E+06I  
-0.19088E+06I  
-C.19532E+06I  
-0.19976E+06I  
-0.20419E+06I  
-0.20863E+06I  
-0.21307E+06I  
-0.21751E+06I

9.9

0.7500 E+02

0.1470E+03 7

## REONSE DE PUISSANCE DC2N A UN ECHELON DE REACTIVITE

PAS H=0.0134

DC 2N (MW)

0.20700E+05I		I
0.19612E+05I		I
0.18524E+05I		I
0.17436E+05I		I
0.16348E+05I	+	I
0.15260E+05I		I
0.14172E+05I		I
0.13084E+05I		I
0.11996E+05I	+	I
0.10908E+05I		I
0.98200E+04I		I
0.87320E+04I	+	I
0.76440E+04I		I
0.65560E+04I		I
0.54680E+04I	+	I
0.43800E+04I		I
0.32920E+04I	+	I
0.22040E+04I	+	I
0.11160E+04I	+	I
0.28000E+02	++++++	I
-0.10600E+04I	+++++	I
-0.21480E+04I	+	I
-0.32360E+04I		I
-0.43240E+04I		I
-0.54120E+04I		I
-0.65000E+04I		I
-0.75880E+04I		I
-0.86760E+04I		I
-0.97640E+04I		I
-0.10852E+05I		I
-0.11940E+05I		I
-0.13028E+05I		I
-0.14116E+05I		I
-0.15204E+05I		I
-0.16292E+05I		I
-0.17380E+05I		I
-0.18468E+05I		I
-0.19556E+05I		I
-0.20644E+05I		I
-0.21732E+05I		I
-0.22820E+05I		I
-0.23908E+05I		I
-0.24996E+05I		I
-0.26084E+05I		I
-0.27172E+05I		I
-0.28260E+05I		I
-0.29348E+05I		I
-0.30436E+05I		I
-0.31524E+05I		I
-0.32612E+05I		I

0.0

0.2500E+02

0.4900E+02 T

## REONSE DE TEMPERATURE D'URANIUM A UNE RAMPE DE REACTIVITE

PAS H=0.0134

DTU (c)

DTU (c)	Temperature (°C)
0.0	0.3750E+02
-0.20000E+01I	+++++
-0.40000E+01I	++++
-0.60000E+01I	++
-0.80000E+01I	++
-0.10000E+02I	+
-0.12000E+02I	++
-0.14000E+02I	+
-0.16000E+02I	+
-0.18000E+02I	+
-0.20000E+02I	
-0.22000E+02I	+
-0.24000E+02I	+
-0.26000E+02I	
-0.28000E+02I	+
-0.30000E+02I	+
-0.32000E+02I	
-0.34000E+02I	
-0.36000E+02I	+
-0.38000E+02I	
-0.40000E+02I	+
-0.42000E+02I	
-0.44000E+02I	+
-0.46000E+02I	
-0.48000E+02I	
-0.50000E+02I	
-0.52000E+02I	
-0.54000E+02I	
-0.56000E+02I	
-0.58000E+02I	
-0.60000E+02I	
-0.62000E+02I	
-0.64000E+02I	
-0.66000E+02I	
-0.68000E+02I	
-0.70000E+02I	
-0.72000E+02I	
-0.74000E+02I	
-0.76000E+02I	
-0.78000E+02I	
-0.80000E+02I	
-0.82000E+02I	
-0.84000E+02I	
-0.86000E+02I	
-0.88000E+02I	
-0.90000E+02I	
-0.92000E+02I	
-0.94000E+02I	
-0.96000E+02I	
-0.98000E+02I	

0.0

0.3750E+02

0.7350E+02 T

## REPONSE DE PUISSANCE DC1N A UNE RAMPE DE FEACTIVITE

PAS H=0.0134

DC1N (MW)

0.0			
-0.33815E+05I	+++	+++	I
-0.67630E+05I	+++	+++	I
-0.10145E+06I	+++	+++	I
-0.13526E+06I	++	++	I
-0.16908E+06I	+	+	I
-0.20289E+06I	+	+	I
-0.23671E+06I	+	+	I
-0.27052E+06I	+	+	I
-0.30434E+06I	+	+	I
-0.33815E+06I	+	+	I
-0.37197E+06I	+	+	I
-0.40578E+06I			I
-0.43960E+06I	+	+	I
-0.47341E+06I	+	+	I
-0.50723E+06I			I
-0.54104E+06I	+	+	I
-0.57486E+06I			I
-0.60867E+06I	+	+	I
-0.64249E+06I			I
-0.67630E+06I			I
-0.71012E+06I	+	+	I
-0.74393E+06I			I
-0.77775E+06I			I
-0.81156E+06I	+	+	I
-0.84538E+06I			I
-0.87919E+06I			I
-0.91301E+06I	+	+	I
-0.94682E+06I			I
-0.98064E+06I			I
-0.10145E+07I	+	+	I
-0.10483E+07I			I
-0.10821E+07I			I
-0.11159E+07I			I
-0.11497E+07I	+	+	I
-0.11835E+07I			I
-0.12173E+07I			I
-0.12512E+07I			I
-0.12850E+07I			I
-0.13188E+07I	+	+	I
-0.13526E+07I			I
-0.13864E+07I			I
-0.14202E+07I			I
-0.14540E+07I			I
-0.14879E+07I	+	+	I
-0.15217E+07I			I
-0.15555E+07I			I
-0.15893E+07I			I
-0.16231E+07I			I
-0.16569E+07I			I

0.0

0.3750E+02

0.7350E+02 T

## REONSE DE PUISSANCE DC2N A UNE RAMPE DE REACTIVITE

PAS H=0.0134

DC2N (MW)

0.0	0.3750E+02	0.7350E+02 T
-0.39100E+03I		
-0.78200E+03I	+++	I
-0.11730E+04I	++	I
-0.15640E+04I	++	I
-0.19550E+04I	+	I
-0.23460E+04I	+	I
-0.27370E+04I	+	I
-0.31280E+04I	+	I
-0.35190E+04I	+	I
-0.39100E+04I	+	I
-0.43010E+04I	+	I
-0.46920E+04I		I
-0.50830E+04I	+	I
-0.54740E+04I	+	I
-0.58650E+04I		I
-0.62560E+04I	+	I
-0.66470E+04I		I
-0.70380E+04I	+	I
-0.74290E+04I		I
-0.78200E+04I		I
-0.82110E+04I	+	I
-0.86020E+04I		I
-0.89930E+04I		I
-0.93840E+04I	+	I
-0.97750E+04I		I
-0.10166E+05I		I
-0.10557E+05I	+	I
-0.10948E+05I		I
-0.11339E+05I		I
-0.11730E+05I	+	I
-0.12121E+05I		I
-0.12512E+05I		I
-0.12903E+05I		I
-0.13294E+05I	+	I
-0.13685E+05I		I
-0.14076E+05I		I
-0.14467E+05I		I
-0.14858E+05I		I
-0.15249E+05I	+	I
-0.15640E+05I		I
-0.16031E+05I		I
-0.16422E+05I		I
-0.16813E+05I		I
-0.17204E+05I	+	I
-0.17595E+05I		I
-0.17986E+05I		I
-0.18377E+05I		I
-0.18768E+05I		I
-0.19159E+05I		I