

وزارة التعليم العالي  
MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT SUPERIEUR

## ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

DEPARTEMENT : GENIE CIVIL



### PROJET DE FIN D'ETUDES

SUJET

ETUDE D'UN PARKING

R + 5

5 PLANCHES

Proposé par : COSIDER

Etudié par : M<sup>rs</sup> Belkacem HAICHEUR  
M<sup>ed</sup> Tewfik HADJ SADOK

Dirigé par : Mr BIOUD

PROMOTION : 1989

الجمهوريّة الجزائريّة الديمقراطيّة الشعبيّة  
REPUBLIQUE ALGERIENNE DEMOCRATIQUE ET POPULAIRE

وزارة التعليم العالي  
MINISTÈRE DE L'ENSEIGNEMENT SUPERIEUR

# **ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE**

**DEPARTEMENT : GENIE CIVIL**



## **PROJET DE FIN D'ETUDES**

## SUJET

## **ETUDE D'UN PARKING**

R + 5

Proposé par : COSIDER

Etudié par : M<sup>rs</sup> Belkacem HAICHEUR  
M<sup>ed</sup> Tewfik HADJ SADOK

Dirigé par : Mr BIOUD

PROMOTION : 1989

MINISTÈRE DE L'ENSEIGNEMENT  
SUPERIEUR

ECOLE NATIONALE  
POLYTECHNIQUE

وزارة التعليم العالي  
المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة —  
Ecole Nationale Polytechnique

Département : GENIE-CIVIL

دائرة : هندسة مدنية

Promoteur : Mr. BILOUD

الموجه :

Elèves Ingénieurs : HADJ-SADOK M.  
HAICHEUR B.

الموضوع : موقف للسيارات بالطوابق  
الملخص : يتمثل مشروعنا في دراسة بناء موجهة لاستقبال سيارات سياحية.  
تشتمل هذه البناء على خمسة طوابق . وهي مبنية من الخرسان المسلحة . هيكلها  
المتمنش في الأعمدة والعارضات . ثابت وعليه مقاومة كل الحمولات العمودية  
منها والأفقية . مساحة المبني  $(45,6 \times 57,6)$  م و مفروضة إلى  
أربع أجزاء بواسطة مفصلين للزلزال .

/ Sujet : Etude d'un Parking (R+5)

/ Résumé : Notre projet de fin d'étude consiste en l'étude  
des éléments résistant d'un bâtiment à ossature autostable  
à usage de Parking automobile de tourisme . Ce bâtiment  
comporte cinq niveaux et est divisé en quatre blocs par deux  
 joints centraux de dilatation . sa surface totale est de  $(45,6 \times 57,6)$

/ Subject : Parking (R+5)

The subject of our final studies project consists on the  
study of a structure made of reinforced concrete for  
a tourism car's parking use . this structure possess six  
storey with a area of  $(45,6 \times 57,6)$  and one seismic  
joint in the middle of each direction .

## SOMMAIRE

Chapitre 1	Présentation de l'ouvrage	1
Chapitre 2	Caractéristiques des matériaux - Hypothèses de calcul	3
Chapitre 3	Charges & Surcharges	8
Chapitre 4	Prédimensionnement	11
Chapitre 5	Calcul des rigidités	13
Chapitre 6	Etude Pseudo-Dynamique	24
Chapitre 7	Etude au séisme	33
Chapitre 8	Etude au vent	44
Chapitre 9	Charges horizontales	50
Chapitre 10	Charges verticales	63
Chapitre 11	Combinaison des sollicitations	80
Chapitre 12	Ferraillage des éléments	95
Chapitre 13	Fondations	152
Annexe		
Bibliographie		

## Dédicaces



Je dédie ce mémoire à mes parents  
et à toute ma famille

Belkacem

Je dédie ce mémoire à mes chers parents,  
à toute ma famille et mes amis

Mohamed

المدرسة الوطنية المتعددة التقنيات  
BIBLIOTHEQUE — المكتبة —  
Ecole Nationale Polytechnique

## CHAPITRE 1

### PRESENTATION DE L'OUVRAGE

## présentation de l'ouvrage

Le projet qui nous a été proposé consiste à l'étude et au calcul des éléments résistants d'un bâtiment à ossature autostable de longues portées à usage de parking pour automobiles de tourisme, implanté à Alger (zone II de séismicité moyenne).

La superstructure comporte cinq (5) niveaux et est divisée en quatre (4) blocs A, B, C, D (voir vue en plan) séparés par des joints de dilatation. Les blocs A et B disposent de locaux de commerce (au R.D.C et au 1<sup>er</sup> niveau).

La structure est contreventée par des portiques autostables qui reprennent la totalité des charges verticales et horizontales. Le calcul sera mené suivant les règlements BAEL 83 et RPA.81.

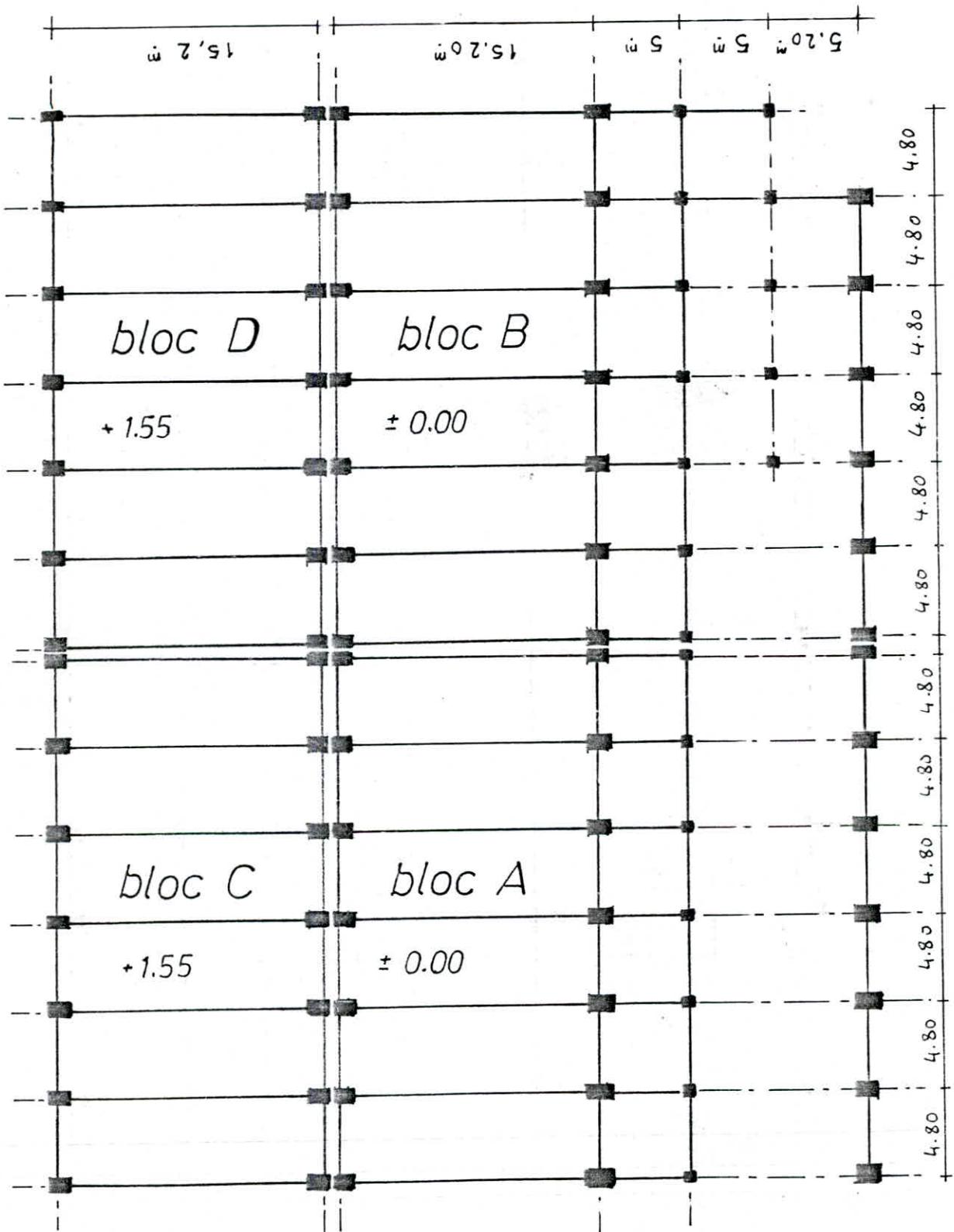
Notre ouvrage comporte deux cages d'escaliers isolées du bâtiment dont un de secours, et deux escaliers intérieurs entre le RDC et le 1<sup>er</sup> (côté commerce). Les flanchers et rampes sont constitués par des dalles pleines et les cloisons de briques creuses de 10 cm.

Longueur totale du bâtiment ..... 58,08 m.

Largeur totale ..... 46,46 m.

hauteur d'étage ..... 3,10 m.

### *vue en plan du R.D.C*



## **CHAPITRE 2**

# **CARACTERISTIQUES DES MATERIAUX ET HYPOTHESES DE CALCUL**

# caractéristiques des matériaux

## ① BETON

Le béton utilisé est défini au point de vue mécanique par sa résistance à la compression à 28j d'âge déterminée à partir d'essais effectués sur des éprouvettes cylindriques de section droite d'aire égale à  $200 \text{ cm}^2$ , soit un diamètre de 14,1 cm et d'une hauteur double du diamètre  $h = 28,2 \text{ cm}$ . La résistance caractéristique à la compression à 28j est notée  $f_{c28}$ .

La constitution de notre béton est standard. Pour 1m<sup>3</sup> de béton nous avons :

800 litres de graviers

400 litres de sable propre (sans argile ou autres impuretés)

350 kg de ciment

175 litres d'eau.

Cette composition devrait nous donner pour des conditions normales et régulières de contrôle et pour un chantier convenablement outillé une résistance caractéristique à 28j

$$f_{c28} = 25 \text{ MPa}$$

la résistance caractéristique en traction est donnée par :

$$f_{t28} = 0,6 + 0,06 f_{c28} \Rightarrow f_{t28} = 2,1 \text{ MPa}$$

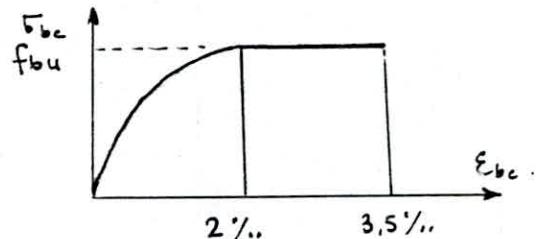
La contrainte limite ultime en compression est :

$$f_{bu} = \frac{0,85 f_{c28}}{\gamma_b}$$

avec  $\gamma_b = 1,5$  situation durable  
 $\gamma_b = 1$  situation accidentelle

. Diagramme Contraintes - déformations :

Le diagramme pouvant-être utilisé dans tous les cas est le diagramme de calcul dit "parabole - rectangle"



Cependant on peut utiliser le diagramme rectangulaire simplifié lorsque la section considérée n'est pas entièrement comprimée

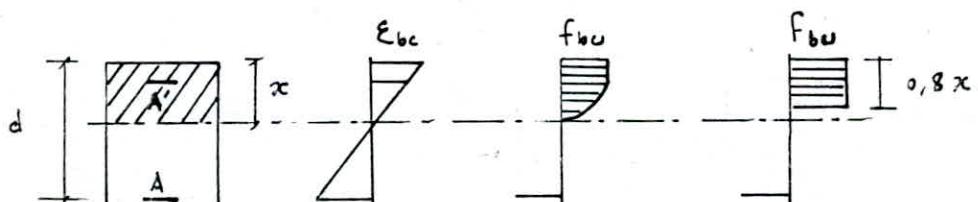


diagramme rectangulaire simplifié.

- La contrainte limite de service en compression est :

$$\bar{f}_{bc} = 0,6 f_{c28} \Rightarrow \bar{f}_{bc} = 15 \text{ MPa}$$

Le diagramme contraintes - déformations est linéaire.

- La contrainte ultime de cisaillement est :

$$\bar{\tau}_u = \min (0,10 f_{c28}; 3 \text{ MPa}) \quad (\text{fissuration préjudiciable})$$

- Module de déformation longitudinal :

$$E_{c28} = 11000 \cdot f_{c28}^{1/3} \Rightarrow E_c = 32164 \text{ MPa.}$$

- Le coefficient de Poisson est

$$\mu = 0 \quad \text{à l'E.U.}$$

$$\mu = 0,2 \quad \text{à l'E.L.S.}$$

## ② ACIER

Les aciers utilisés sont des aciers naturels (type 1)

Fe E 40 haute adhérence : limite d'élasticité  $f_e = 400 \text{ MPa}$

Fe E 24 acier doux : limite d'élasticité  $f_e = 235 \text{ MPa}$

- Le coefficient de fissuration est  $\gamma = 1.6$

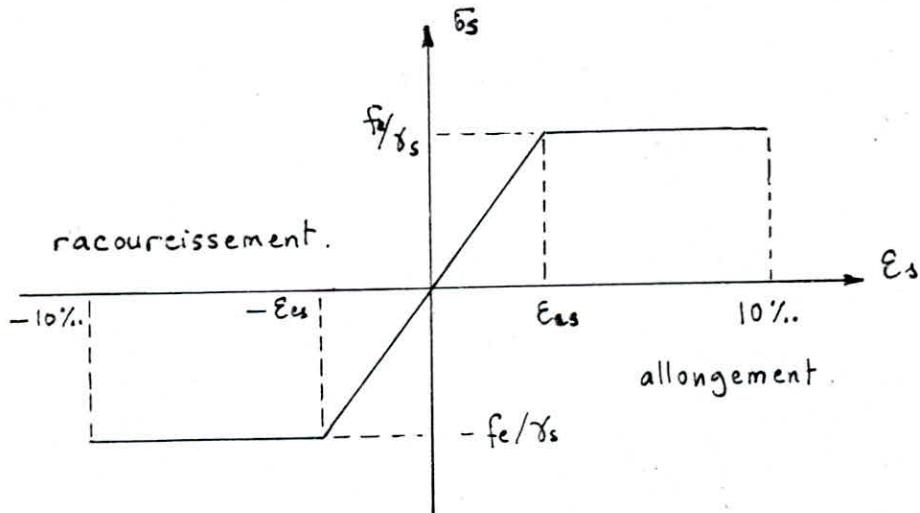
- Le module d'élasticité longitudinal  $E = 2 \cdot 10^5 \text{ MPa}$

- Le coefficient de Poisson est  $\mu = 0.3$ .

La fissuration étant préjudiciable donc les contraintes à l'E.L.S sont limitées à :

$$\bar{\sigma}_s = \min [150 \gamma ; \frac{2}{3} f_e] = 240 \text{ MPa}.$$

Le diagramme contraintes - déformations à l'ELU est le suivant :



$$\epsilon_{eu} = \frac{f_e / \gamma_s}{E}$$

$\gamma_s = 1.15$  situation durable

$\gamma_s = 1$  situation accidentelle

## hypothèses de calcul

Le calcul à l'état limite ultime (ELU) est conduit suivant les hypothèses suivantes :

1. Au cours de la déformation d'une poutre sous l'action d'un système quelconque de forces extérieurs, les sections droites restent planes et conservent leurs dimensions : (principe de Bernoulli).
2. La résistance du béton tendu est considérée comme nulle à cause de la fissuration.
3. Par suite de l'adhérence chaque armature subit la même déformation linéaire que le béton jusqu'à son niveau.
4. Le raccourcissement relatif du béton  $\varepsilon_{bc}$  est limité à :  
 $\varepsilon_{bc} = 3,5\%$  en flexion ;  $\varepsilon_{bc} = 2\%$  en compression simple
5. L'allongement relatif de l'acier tendu est limité à  
 $\varepsilon_s = 10\%$ .
6. Le diagramme des déformations d'une section droite satisfait à la règle des 3 pivots ;  
Cette règle se fixe pour objectif d'utiliser au mieux les matériaux acier et béton.

Pivot A (domaine 1) (fig)

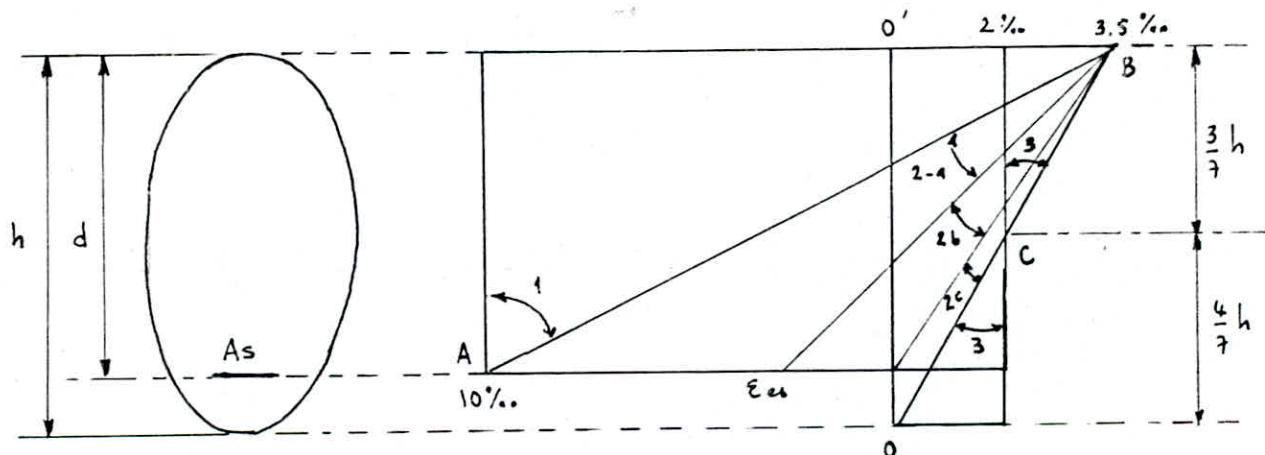
Le diagramme passe par le pivot A qui correspond à un allongement de 10% de l'armature la plus tendue ; l'acier est utilisé au maximum.

### Pivot B (domaine 2)

C'est l'épuisement de la capacité portante du béton qui provoque la rupture, le raccourcissement du béton est de 3,5 %, la section est soumise à une flexion simple ou composée.

### Pivot C (domaine 3)

La rupture est provoquée par l'épuisement de la capacité portante du béton à la compression simple, ou flexion composée ;  $\varepsilon_{bc} = 2\%$ .



## **CHAPITRE 3**

**PREDIMENTIONNEMENT**

**CHARGES ET SURCHARGES**

# charges et surcharges

## Plancher terrasse

revêtement bicoche (4cm)	0,08	t/m <sup>2</sup>
étanchéité multicoche	0,01	t/m <sup>2</sup>
dalle pleine (15 cm)	0,375	t/m <sup>2</sup>
charge permanente	0,465	t/m <sup>2</sup>
surcharge statique	0,250	t/m <sup>2</sup>
coefficient de majoration dynamique	1,15	
surcharge d'exploitation	0,288	t/m <sup>2</sup>

## Plancher courant

revêtement bicoche (4cm)	0,08	t/m <sup>2</sup>
dalle pleine (15 cm)	0,375	t/m <sup>2</sup>
charge permanente	0,455	t/m <sup>2</sup>
surcharge d'exploitation	0,288	t/m <sup>2</sup>

## Plancher commerce

carrelage + chape (épaisseur totale 5cm)	0,104	t /m <sup>2</sup>
dalle pleine (15 cm)	0,375	t /m <sup>2</sup>
enduit de plâtre (2 cm)	0,036	t /m <sup>2</sup>
Cloisons réparties	0,075	t /m <sup>2</sup>
charge permanente	0,590	t /m <sup>2</sup>
surcharge d'exploitation	0,400	t /m <sup>2</sup>

### Acrotère

poids propre	$2,5 \times 0,1 \times 1,20$	0,300 t/m <sup>2</sup>
surcharge d'exploitation (main courante)		0,100 t/m <sup>2</sup>

### Escalier (intérieur)

poids de la paillasse (15cm) :	$2,5 \cdot 0,15 / 0,859$	0,436 t/m <sup>2</sup>
poids des marches ( $h = 17,2\text{ cm}$ )	$2,5 \cdot 0,172 / 2$	0,215 t/m <sup>2</sup>
revêtement (carrelage + mortier 4cm)		0,084 t/m <sup>2</sup>
poids du garde-corps		0,100 t/m <sup>2</sup>
charge permanente		<hr/> 0,835 t/m <sup>2</sup>
surcharge d'exploitation		0,250 t/m <sup>2</sup>

palier :

poids propre dalle 15 cm	0,375 t/m <sup>2</sup>
revêtement (4cm)	0,084 t/m <sup>2</sup>
garde corps	0,100 t/m <sup>2</sup>
charge permanente	<hr/> 0,559 t/m <sup>2</sup>
surcharge d'exploitation	0,250 t/m <sup>2</sup>

### Passerelle

dalle (15 cm)	0,375 t/m <sup>2</sup>
revêtement (carrelage + mortier)	0,104 t/m <sup>2</sup>
garde corps	0,100 t/m <sup>2</sup>
charge permanente	<hr/> 0,579 t/m <sup>2</sup>
surcharge d'exploitation	0,400 t/m <sup>2</sup>

### Balcon

dalle pleine (15 cm)	0,375	t/m <sup>2</sup>
carrelage + mortier (4cm)	0,104	t/m <sup>2</sup>
enduit de plâtre (2cm)	0,036	t/m <sup>2</sup>
garde-corps	0,100	t/m <sup>2</sup>
charge permanente	0,615	t/m <sup>2</sup>
surcharge d'exploitation	0,400	t/m <sup>2</sup>

# prédimensionnement

## PLANCHER :

L'épaisseur des planchers est choisie en fonction des dimensions et des conditions d'appuis :  $f = \frac{e_x}{l_y}$

$$e > \frac{e_x}{20}$$

dalles sur appuis simples avec  $3 \leq 0.4$

$$\frac{e_x}{35} \leq e \leq \frac{e_x}{30}$$

dalles continues avec  $3 \leq 0.4$ .

$$\frac{e_x}{50} \leq e \leq \frac{e_x}{40}$$

dalles continues avec  $0.4 \leq 3 \leq 1$

$e_x$  et  $l_y$  étant les portées de la dalle ( $l_y > e_x$ )

Pour notre cas on a des dalles continues portant sur deux côtés

$$f = \frac{4.80}{15,20} = 0,31 \Rightarrow \frac{4.80}{35} \leq e \leq \frac{4.80}{30}$$

$$0,14 \leq e \leq 0,16 \text{ m.}$$

On prend une épaisseur de 15 cm pour tous les planchers et rampes.

## POUTRES :

les poutres sont dimensionnées par la formule classique tout en vérifiant les prescriptions du RPA.

$$\frac{l}{15} \leq h \leq \frac{l}{10}$$
$$0,3h \leq b \leq 0,7h$$

avec  $l$  : portée de la poutre.

On choisit pour :

$$l = 15.20 \text{ m} \quad h = 110 \text{ cm} ; \quad b = 40 \text{ cm}$$

$$l = 4.80 \text{ m} \quad h = 50 \text{ cm} ; \quad b = 35 \text{ cm}$$

les conditions du RPA à avoir :

$$h \geq 30 \text{ cm} ; \quad b \geq 20 \text{ cm} \quad \text{et} \quad \frac{h}{b} \leq 3$$

sont vérifiés.

#### POTEAUX :

Les poteaux sont dimensionnés en faisant une descente de charge et ils sont vérifiés conformément aux règles RPA.81.

On a deux types de poteaux  $(80 \times 40)$  et  $(40 \times 40)$

## **CHAPITRE 4**

### **CALCUL DES RIGIDITES**

# Calcul des Rigidités

Le calcul des rigidités sera fait selon la méthode de 'MUTO' .

## Exposé de la méthode

Pour l'analyse et le calcul des structures contreventées par des portiques sous charges horizontales (seisme ou vent) MUTO propose une rigidité relative calculée à partir de la rigidité d'un poteau parfaitement encastré à ses extrémités multipliée ensuite par un coefficient correcteur "a" tenant compte de la flexibilité des poutres arrivant aux noeuds de ce poteau.

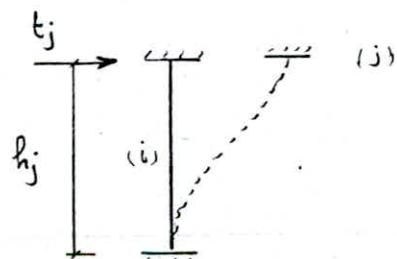
### • Rigidité corrigée d'un poteau :

soit  $r_j^{(i)\infty}$  la rigidité d'un poteau (i) d'un portique du niveau (j), supposé encastré à ses extrémités (avec poutre infiniment rigide) (fig) sous l'effort tranchant  $t_j$ , ce poteau subit un déplacement  $\delta_j$ .

$$r_j^{(i)\infty} = \frac{t_j^{(i)}}{\delta_j}$$

$$r_j^{(i)\infty} = 12 E I_j^{(i)} / h_j^3$$

$$\text{ou } r_j^{(i)\infty} = 12 E K_j^{(i)} / h_j^2$$



avec ...

$$K_j^{(i)} = \frac{I_j^{(i)}}{h_j} \quad \text{rigidité linéaire (ou raideur) du poteau (i)}$$

$I_j^{(i)}$  moment d'inertie du poteau (i) par rapport à un axe passant par le centre de gravité de la section transversale et perpendiculaire à ( $t_j$ ) .

$h_j$  hauteur d'étage j qui doit être la même pour des poteaux d'un même niveau.

$$E = E_i = 11000 f_{c28}^{1/3} \quad \text{module de déformation longitudinale instantanée du béton.}$$

La rigidité de ce poteau corrigée au sens de Muto est :

$$r_j^{(i)} = a_j^{(i)} r_j^{(i)\infty} \quad \text{ou} \quad r_j^{(i)} = 12 \frac{E}{h^2} a_j^{(i)} K_j^{(i)}$$

$a_j^{(i)}$  coefficient correcteur de Muto fonction de la raideur du poteau (i) et des raideurs des poutres arrivant aux noeuds de ce poteau (tableau ci-après) .

#### • Rigidité relative de niveau corrigée d'un portique :

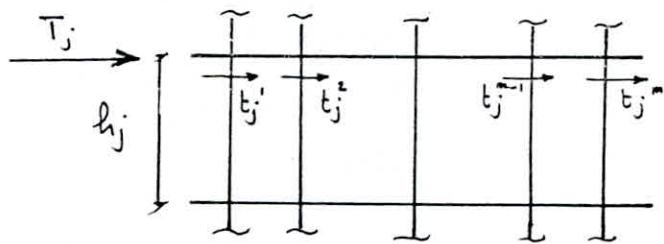
On appelle rigidité relative l'effort tranchant dû à un déplacement unitaire .

En supposant que tous les poteaux d'un même niveau subissent le même déplacement horizontal (dans l'hypothèse d'un plancher infiniment rigide ), alors

la rigidité corrigée relative de niveau d'un portique est

$$R_j = \sum_{i=1}^m r_j^{(i)} = \sum_{i=1}^m \frac{t_j^{(i)}}{\delta_j} = \frac{\sum_{i=1}^m t_j^{(i)}}{\delta_j} = \frac{T_j}{\delta_j}$$

$$h_j = \text{cste} \Rightarrow R_j = \frac{12 E}{h_j^2} \sum_{i=1}^m a_j^{(i)} K_j^{(i)}$$



### Rigidité relative de niveau corrigée

$$R_j = \sum_{k=1}^n R_j^k$$

n : nombre de portique dans un sens au niveau j

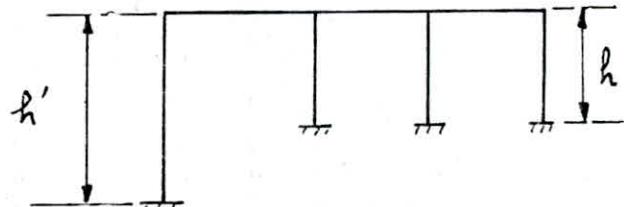
N.B : ces rigidités sont calculées dans les 2 sens ; longitudinal et transversal de la structure

### Valeurs du coefficient correcteur "a"

Niveau ou étage courant		Premier niveau (RDC)	
Poteau de rive	Pot. intermédiaire	Poteau de rive	Pot. intermédiaire
$\bar{K}$	$(K_1 + K_2) / 2K_p$	$\frac{K_1 + K_2 + K_3 + K_4}{2K_p}$	$K_1 / K_p$
a	$\bar{K} / (2 + \bar{K})$		$(0.5 + \bar{K}) / (2 + \bar{K})$

Remarque : si parmi les poteaux d'un étage il en existe un dont la hauteur est nettement différente des autres, Muto recommande de corriger le coefficient  $a_j$  de ce poteau en fonction du rapport des hauteurs :

$$a'_j = a_j \cdot \left( \frac{h}{h'} \right)^2$$



Pour le calcul des rigidités de chaque bloc de notre ouvrage dans les deux sens (longitudinal et transversal.) On suivra les étapes suivantes :

1. Calcul des raideurs des poteaux et poutres

$$K_p = I/h ; K_t = I/l$$

$I$ : moment d'inertie du poteau (ou de la poutre).

$h$ : hauteur d'étage.

$l$ : portée entre-axe de la poutre.

2. Calcul du coefficient  $-a$ .

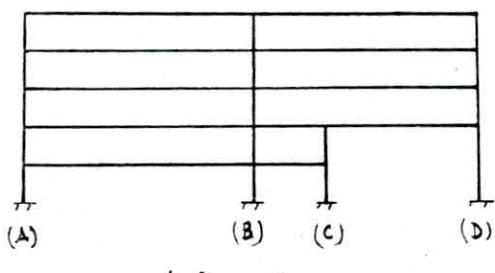
3. Calcul de la rigidité relative de niveau des portiques

4. Calcul des rigidités relatives de niveau.

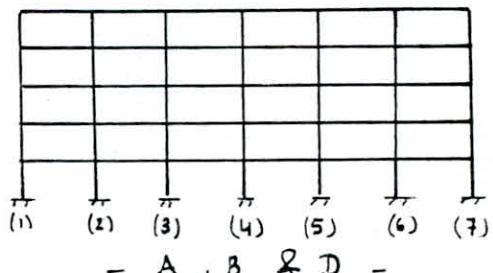
Les résultats sont données sous forme de tableaux.

N.B : le sens longitudinal est suivant la plus grande dimension en plan du bloc et le sens transversal suivant la plus petite.

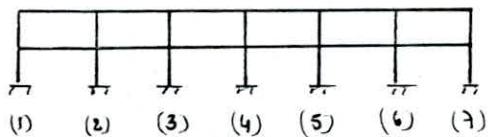
BLOC - (A)



- 1, 2, -- 7 -



- A, B & D -



- C -

RIGIDITES DES PORTIQUES (R) [MN/m]			
	LONGITUDINAUX.	TRANSVERSAUX	
	1, 2 --- 7	A, B & D	C
N	5, 4, 3	169, 89	122, 27
I			—
V	2	189, 10	122, 27
E			92, 21
A			
U	1	255, 68	188, 40
			117, 39

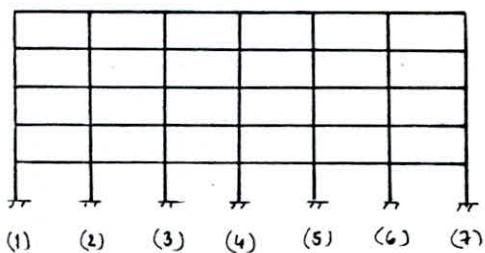
RIGIDITES DES NIVEAUX (R) [MN/m]			
SENS \ NIVEAU	5, 4 & 3	2	1
LONGITUDINAL	1189, 23	1323, 7	1789, 76
TRANSVERSAL	366, 81	459, 02	682, 59

BLOC (B) -

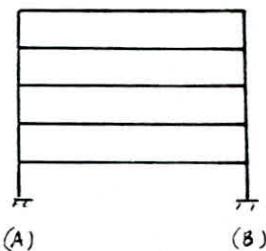
		RIGIDITES DES PORTIQUES R [MN/m]						
		NIVEAU						
		5	4	3	2	1		
P O R T I Q U E S	L O N G I T U D I N A U X	1, 2	169,88	169,88	169,88	189,10	255,68	
		3	257,45	257,45	257,45	191,34	255,68	
		4	185,59	308,45	308,45	191,34	255,68	
		5	134,67	185,61	308,45	191,34	255,68	
		6	92,45	134,67	184,51	210,62	409,66	
		7	92,45	134,67	184,51	185,61	282,11	
		T R A N S V E R S A U X	A, B	122,27	122,27	122,27	122,27	188,40
			C	—	22,33	51,28	92,01	117,36
			D	47,73	67,42	82,90	87,09	159,81
			E	—	22,33	36,81	38,93	—

		RIGIDITES DES NIVEAUX R [MN/m]				
SENS	NIVEAU	5	4	3	2	1
LONGITUDINAL		1102,37	1360,61	1583,13	1348,45	1970,17
TRANSVERSAL		292,27	356,62	415,53	462,57	653,97

BLOC - (C) ( ou (D) )



- A & B -



- 1, 2...-7 -

RIGIDITES DES PORTIQUES (R) [MN/m]		
	LONGITUDINAUX A & B	TRANSVERSAUX 1,2--7
NIVEAU	5, 4, 3, 2	122, 27
SU	1	92, 42
	188, 40	179, 97

RIGIDITES DES NIVEAUX (R) [MN/m]		
SENS \ NIVEAU	5, 4, 3 & 2	1
LONGITUDINAL	244, 54	376, 80
TRANSVERSAL	646, 94	1259, 79

## CENTRE DE MASSE - CENTRE DE RIGIDITE (OU DE TORSION)

### RIGIDITE A LA TORSION.

Après avoir calculé les rigidités relatives de niveaux des portiques on déterminera dans ce qui suit le centre de gravité de ces rigidités (ou centre de torsion) et le centre de masse pour chaque niveau ; Ces deux centres ne sont souvent pas confondus et leur excentricité provoque sous charges horizontales (seisme ou vent) une torsion . Cette torsion engendre une augmentation de l'effort tranchant qui doit être pris en compte dans le calcul des portiques .

### CENTRE DE TORSION :

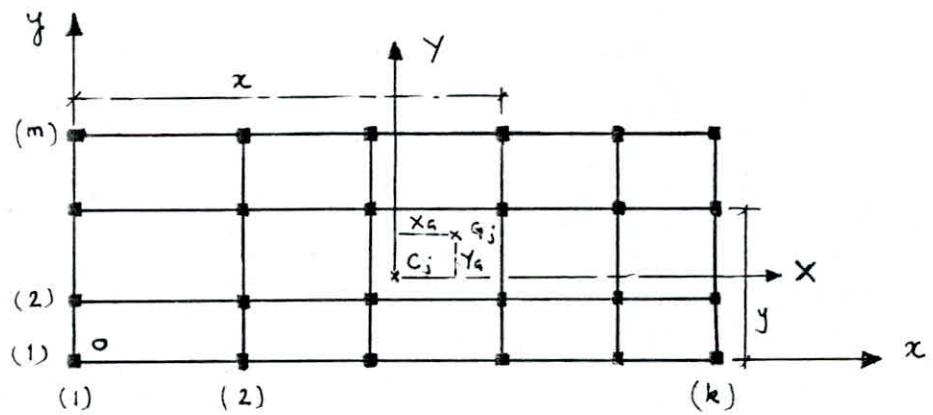
Par rapport à un repère arbitraire ( $xoy$ ) (fig), les coordonnées du centre de torsion de l'étage ( $j$ ) " $C_j$ " sont données par :

$$x_{Cj} = \frac{\sum_{t=1}^{k} R_{jt}^{(t)} \cdot x_j^{(t)}}{\sum_{t=1}^k R_{jt}^{(t)}} \quad ; \quad y_{Cj} = \frac{\sum_{t=1}^m R_{jt}^{(t)} \cdot y_j^{(t)}}{\sum_{t=1}^m R_{jt}^{(t)}}$$

pour fixer le repère ( $xoy$ ). On prendra comme sens  $x$  le sens longitudinal , et le sens  $y$  transversal .

$x_j^{(t)}$  : position à l'étage ( $j$ ) d'un portique transversal / à  $oy$

$y_j^{(t)}$  : position " " " longitudinal / à  $ox$



### CENTRE DE MASSE :

Par rapport au même repère  $xoy$ , les coordonnées du centre de masse "G<sub>j</sub>" à l'étage (j) sont données par :

$$x_g = \frac{\sum m_i \cdot x_i}{\sum m_i} \quad ; \quad y_g = \frac{\sum m_i \cdot y_i}{\sum m_i}$$

Quand la répartition de la masse est uniforme sur la surface, ces coordonnées peuvent être calculées relativement aux surfaces des trames.

$$x_g = \frac{\sum \Omega_i \cdot x_i}{\sum \Omega_i} \quad ; \quad y_g = \frac{\sum \Omega_i \cdot y_i}{\sum \Omega_i}$$

### EXCENTRICITE :

sens longitudinal

$$e_x = X_g - x_c$$

sens transversal

$$e_y = Y_g - y_c$$

Toute fois le RPA (art. 3.3.5) exige une excentricité

à chaque niveau et dans les deux sens égale à la plus grande des deux valeurs suivantes :

- 5 % de la plus grande dimension du bâtiment à ce niveau
- $\epsilon_x$  (ou  $\epsilon_y$ ) calculé

### RIGIDITE A LA TORSION

La rigidité à la torsion de l'étage (j) est donnée par :

$$R_{j\theta} = \sum_{t=1}^k R_{jt}^{(t)} \cdot X_j^2 + \sum_{l=1}^m R_{jl}^{(l)} \cdot Y_j^2$$

où  $X_j$  et  $Y_j$  sont les coordonnées des portiques respectivement transversaux et longitudinaux par rapport au nouveau repère ( $CXY$ ).

BLOC A		$5\%L = 1.52 \text{ m}$	
Niveau	5, 4, 3	2	1
$x_g$ (m)	15,31	15,31	11,65
$y_g$ (m)	14,08	14,08	14,40
$x_c$ (m)	15,20	16,20	16,06
$y_c$ (m)	14,40	14,40	14,40
$e_x$ (m)	1,52	- 1,52	- 3,98
$e_y$ (m)	- 1,52	- 1,52	1,52
$R_{j\theta}$ (MN.m)	166097,96	180332,88	254432,64

BLOC B		$5\%L = 1.52 \text{ m}$			
Niveau	5	4	3	2	1
$x_g$ (m)	18,46	17,33	16,35	15,90	18,65
$y_g$ (m)	12,06	12,38	13,31	13,74	14,85
$x_c$ (m)	19,35	16,94	15,23	14,65	14,97
$y_c$ (m)	12,22	13,54	14,79	14,52	15,40
$e_x$ (m)	1,52	1,52	1,52	1,52	3,68
$e_y$ (m)	1,52	1,52	1,52	1,52	1,52
$R_{j\theta}$ (MN.m)	115303,48	144380,27	170662,1	176782,5	266226,2

BLOC . C		$5\%L = 1.44 \text{ m}$
Niveau.	5, 4, 3 & 2	1
$e_x = e_y$ (m)	1,44	1,44
$R_{j\theta}$ (MN.m)	73739,01	137866,51

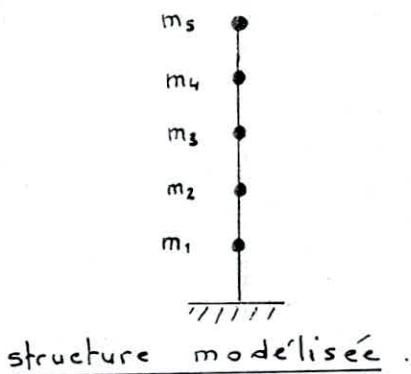
## **CHAPITRE 5**

### **ETUDE PSEUDO-DYNAMIQUE**

## étude pseudo dynamique

Dans ce présent chapitre nous allons déterminer les périodes propres de vibration de notre ouvrage, pour ce faire nous utilisons la méthode de HOLZER qui se prête bien pour les bâtiments contreventés par des portiques.

La structure est modélisée par une caisse constituée de masses concentrées au niveau des planchers possédant un seul degré de liberté : le déplacement horizontal



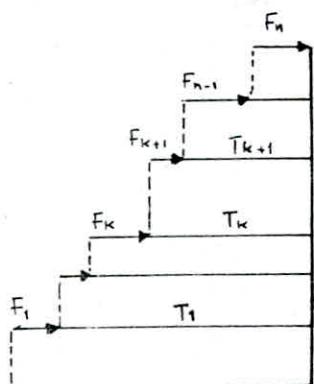
### Exposé de la méthode de HOLZER .

la méthode de HOLZER est une méthode itérative basée sur la notion de rigidité relative .

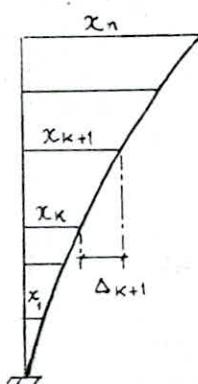
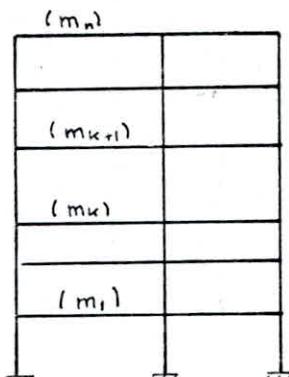
soit un portique faisant partie d'un bâtiment à n étages et m rangées de poteaux (fig 1) . A chaque niveau k est supposée concentrée la masse m<sub>k</sub>.

Supposons que par un moyen quelconque on a imposé par un

choisit un mouvement oscillatoire autour de sa position d'équilibre statique, mouvement qui se produira d'après la première forme de vibration (mode fondamental) pendant ce mouvement n'importe quel point de la structure aura une pulsation  $\omega_1$ , une fréquence  $f_1$  et donc une période  $T_1$ . Prenons une pile rangée de poteaux ; l'allure de la déformée extrême est caractérisée par les déplacements maximaux (valeurs d'amplitudes) à l'aspect indiqué dans la fig (2)



- fig 1 -



- fig 2 -

A chaque niveau  $k$  et sur chaque masse " $m_k$ " agira une force  $F_k$  ayant une valeur max  $F_k = m_k \omega_1^2 x_k$

avec --

$$x(t) = x_k \sin(\omega_1 t + \psi)$$

$$\dot{x}(t) = \omega_1 x_k \cos(\omega_1 t + \psi)$$

$$\ddot{x}(t) = -\omega_1^2 x_k \sin(\omega_1 t + \psi)$$

$$|\ddot{x}|_{\max} = \omega_1^2 x_k \Rightarrow F_k \max = m_k \omega_1^2 x_k$$

D'autre part on :

$$x_k = x_{k+1} - \Delta_{k+1}$$

$$\text{avec } \Delta_{k+1} = \frac{T_{k+1}}{R_{k+1}} \quad \text{et} \quad T_{k+1} = \sum_{r=k+1}^n F_r$$

On aura donc

$$x_k = x_{k+1} - \frac{\omega_i^2}{R_{k+1}} \sum_{r=1}^{r=n} m_r x_r$$

avec :  $\Delta_{k+1}$  déplacement relatif du niveau  $k+1$  / au niveau  $k$

$T_{k+1}$  effort tranchant qui produit le déplacement  $\Delta_{k+1}$

$R_{k+1}$  rigidité relative du niveau  $k+1$ .

Le vecteur déplacement  $x$  est appelé forme propre ;  
à chaque pulsation  $\omega_i$  est associé une forme propre  $x_i$   
définie par :

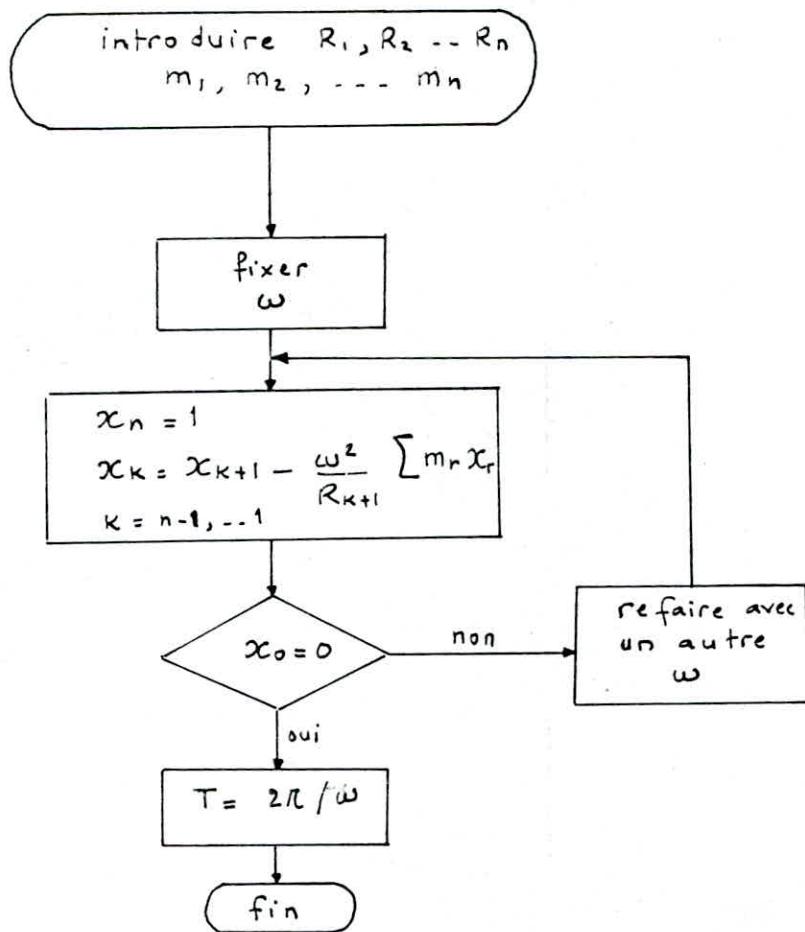
$$x_k = x_{k+1} - \frac{\omega_i^2}{R_{k+1}} \sum_{r=1}^n m_r x_r \quad (1)$$

Procédé de détermination des périodes propres :

Le calcul étant itératif, On se fixe  $\omega$  au départ et on calcule la forme propre associée à  $\omega$  par la formule (1) en partant de  $x_{n+1}$  (hypothèse) jusqu'à  $x_0$  qui doit-être nul (déplacement relatif à la base = 0)  
si  $x_0 = 0$  alors  $\omega$  est la pulsation cherchée, on calcule dans ce cas  $T = 2\pi/\omega$

si  $x_0 \neq 0$  On refait avec une autre pulsation  $\omega$ .

Un organigramme simple de calcul est le suivant :

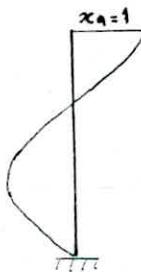


En général pour la détermination des périodes propres, les 3 premiers modes suffisent. Le 1<sup>er</sup> mode étant caractérisé par un vecteur propre  $\{x_1\}$  (forme propre) positif ne changeant pas de signe — dans le 2<sup>ème</sup> mode  $\{x_2\}$  change de signe une seule fois — et dans le 3<sup>ème</sup> mode  $\{x_3\}$  change de signe 2 fois.

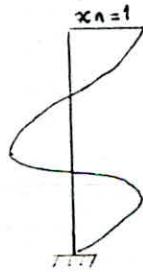
Les 3 modes auront l'allure suivantes :



1<sup>er</sup> mode



2<sup>e</sup> mode



3<sup>e</sup> mode

# évaluation des poids de niveaux

	BLOC A ( $w_i [t]$ )				
Niveau	5	4	3	2	1
Plancher	407,12	398,36	398,36	398,36	321,52
Retombée - Poutre 0,95 . 0,40	202,16	202,16	202,16	202,16	134,33
Retombée - Poutre 0,35 . 0,35	26,46	26,46	26,46	35,28	35,28
Poteaux 40 . 80	16,80	33,60	33,60	33,60	45,36
Poteaux 40x40	—	—	—	2,8	8,4
Acrotère escalier	17,76	17,76	17,76	17,76	6,72 12,13
$W_{TOTAL} = \sum w_i$	670,30	678,34	678,34	687,56	563,74

	BLOC B ( $w_i [t]$ )				
Niveau	5	4	3	2	1
Plancher	293,73	320,61	359,27	375,87	336,82
Retombée - Poutre 0,95 . 0,40	149,15	163,59	182,78	187,53	148,77
Retombée - Poutre 0,35 . 0,35	24,82	29,23	32,99	41,04	39,14
Poteaux 40 . 80	13,60	28	29,60	30,04	47,20
Poteaux 40 . 40	0,80	2,40	4,40	7,20	14
Acrotère escalier	16,04	16,04	16,90	16,02	16,88 12,19
$W_{TOTAL} = \sum w_i$	498,14	559,87	625,94	658,06	615

	BLOC C				
Niveau	5	4	3	2	1
Plancher	203,56	199,18	199,18	199,18	199,18
Retombée - Poutre 0,95 . 0,40	101,08	101,08	101,08	101,08	101,08
Retombée - Poutre 0,35 . 0,35	17,64	17,64	17,64	17,64	17,64
Poteaux 40 . 80	11,2	22,4	22,4	22,4	33,6
Poteaux x 40x40	—	—	—	—	—
Acrotère	21,84	21,84	21,84	21,84	21,84
$W_{TOTAL} = \sum W_i$	355,32	362,14	362,14	362,14	373,34

# Formes et Périodes Propres

BLOC A

SENS LONGITUDINAL

formes propres  $\{ \chi_i \}$

N I V E A U	$W_i$ [ kg ]	$R_i$ [ N/m ] $10^7$
5	670300	118,923
4	678340	118,923
3	678340	118,923
2	687,560	132,370
1	563,740	178,976

	1 <sup>er</sup> mode	2 <sup>e</sup> mode	3 <sup>e</sup> mode
	$\omega_1^2 = 181,4$ $(\text{rad/s})^2$	$\omega_2^2 = 1434$	$\omega_3^2 = 3348$
	1,000	1,000	1,000
	0,902	0,202	-0,943
	0,714	-0,759	-1,032
	0,455	-1,107	0,909
	0,215	-0,669	1,011
Périodes T [s]	0,466	0,166	0,107

SENS TRANSVERSAL

5	670300	36,681
4	678340	36,681
3	678340	36,681
2	687,560	45,902
1	563,740	68,261

	$\omega_1^2 = 56,5$	$\omega_2^2 = 459$	$\omega_3^2 = 1101,64$
	1,000	1,000	1,000
	0,897	0,161	-1,013
	0,700	-0,814	-0,962
	0,430	-1,098	1,049
	0,178	-0,571	0,925
Périodes T [s]	0,836	0,293	0,189

## BLOC B

## SENS LONGITUDINAL

formes propres  $\{x_i\}$ 

N I V E A U	$W_i$ [kg]	$R_i$ [N/m] $10^7$	1 <sup>e</sup> mode	2 <sup>e</sup> mode	3 <sup>e</sup> mode
			$\omega_1^2 = 225,26$ $(rad/s)^2$	$\omega_2^2 = 1690,65$	$\omega_3^2 = 4195,47$
5	498140	110,237	1,000	1,000	1,000
4	559870	136,061	0,898	0,233	-0,902
3	625940	158,313	0,732	-0,549	-0,88
2	658060	134,845	0,524	-0,854	-0,600
1	615000	197,017	0,223	-0,507	1,107
Périodes T (s)			0,419	0,153	0,097

## SENS TRANSVERSAL

			$\omega_1^2 = 68,47$	$\omega_2^2 = 473,62$	$\omega_3^2 = 1156,39$
5	498140	29,227	1,000	1,000	1,000
4	559870	35,662	0,881	0,181	-1,000
3	625940	41,553	0,686	-0,637	-0,794
2	658060	46,257	0,448	-0,869	0,782
1	615000	65,397	0,192	-0,485	0,894
Périodes T (s)			0,759	0,289	0,185

BLOC C

SENS LONGITUDINAL

formes propres  $\{x_i\}$

N v e A	Wi [k <sub>s</sub> ]	Ri [N/m] 10 <sup>6</sup>	1 <sup>e</sup> mode $\omega_1^2 = 62,73$	2 <sup>e</sup> mode $\omega_2^2 = 526,21$	3 <sup>e</sup> mode $\omega_3^2 = 1269,66$
5	355320	244,54	1,000	1,000	1,000
4	362140	244,54	0,909	0,235	-0,845
3	362140	244,54	0,733	-0,713	-1,101
2	362140	244,54	0,489	-1,105	0,714
1	373340	376,80	0,200	-0,636	1,186
Périodes T (s)			0,793	0,274	0,176

SENS TRANSVERSAL

			$\omega_1^2 = 175,14$	$\omega_2^2 = 1469,65$	$\omega_3^2 = 3543,6$
5	355320	646,94	1,000	1,000	1,000
4	362140	646,94	0,904	0,193	-0,946
3	362140	646,94	0,719	-0,773	-1,015
2	362140	646,94	0,464	-1,103	0,930
1	373340	1259,79	0,163	-0,525	1,031
Périodes T (s)			0,475	0,164	0,106

## **CHAPITRE 6**

### **ETUDE AU SEISME**

# Evaluation des Forces Sismiques

## SOLlicitations modales

Les forces sismiques correspondant à chaque mode de vibration sont données par la relation suivante :

$$F_{ki} = \Gamma_i \cdot A \cdot B \cdot D_i \cdot Q \cdot W_k \cdot x_{ki}$$

avec :  $\Gamma_i$  facteur de contribution du mode  $i$  ;  $\Gamma_i = \frac{\sum_{k=1}^n W_k x_{ki}}{\sum_{k=1}^n W_k x_k^2}$

A coefficient d'accélération de zone (RPA - 3.3.1.1)

B facteur de comportement de la structure (RPA 3.3.1.3)

D $_i$  facteur d'amplification dynamique du mode  $i$  (RPA 3.3)

Q facteur de qualité (RPA) 3.3.1.4)

W $_k$  poids revenant au plancher  $k$

{x $_{if}$ } vecteur propre correspondant au mode  $i$

Les coefficients A, B et Q donnés par le RPA et correspondant à notre ouvrage sont :

$$A = 0,15 \quad ; \quad B = 0,25 \quad \text{et} \quad Q = 1,3.$$

Le facteur d'amplification dynamique (cas d'un sol meuble) est donné par  $D_i = 2\sqrt{\frac{0,5}{T_i}}$ . Il doit être  $\leq 2$

## SOLlicitation RESULTANTE

Les différents modes ne sont pas en phase, et une addition arithmétique conduirait à des valeurs assez élevées, pour

tenir compte de cette différence de phase, il faut en général considérer une superposition quadratique.

$$F_K = \sqrt{\sum F_{Ki}^2} = \sqrt{F_{K_1}^2 + F_{K_2}^2 + F_{K_3}^2}$$

### EFFORT TRANCHANT DE NIVEAU

L'effort tranchant de niveau  $j$  est donné par :

$$V_j = \sum_{k=j}^{K=n} F_k$$

# Forces Sismiques de Niveau

BLOC - A -

SENS LONGITUDINAL			
MODE	1 <sup>e</sup>	2 <sup>e</sup>	3 <sup>e</sup>
$\Gamma_i$	1,27	-0,40	0,16
$D_i$	2	2	2

F <sub>Ki</sub> [t]				
N I V E A U	5	83	-26,14	8,04
	4	75,6	-5,08	-7,68
	3	58,97	20,44	-8,40
	2	37,03	29,65	+7,49
	1	15,42	14,33	6,73

F [t]	V [t]
87,39	87,39
76,16	163,55
68,97	226,52
48,02	274,54
22,90	297,44

SENS TRANSVERSAL				
$\Gamma_i$	1,439	-0,395	0,177	
$D_i$	1,54	2	2	

F [t]	V [t]
78	78
67,19	145,19
56,84	202,03
45,03	247,06
18,79	265,85

BLOC - B -

SENS LONGITUDINAL

MODE	1 <sup>e</sup>	2 <sup>e</sup>	3 <sup>e</sup>
$\Gamma_i$	1,297	-0,54	0,213
$D_i$	2	2	2

		$F_{ki}$ [t]		
N I V E A U	5	62,99	26,23	10,34
	4	63,58	-6,87	-10,49
	3	57,94	18,09	-11,44
	2	43,61	29,59	8,20
	1	17,34	16,42	14,14

		SENS TRANSVERSAL		
$\Gamma_i$	1,327	-0,474	0,215	
			$D_i$	2

		$F_{ki}$ [t]		
N I V E A U	5	52,20	-23,02	10,44
	4	51,69	-4,68	-11,74
	3	45	18,43	-10,42
	2	30,9	26,43	10,79
	1	12,37	13,78	11,52

$F$ [t]	$V$ [t]
69,01	69,01
64,80	133,81
61,77	195,58
53,34	248,92
27,75	276,67

$F$ [t]	$V$ [t]
58,00	58
53,21	111,21
49,73	160,94
42,07	203,01
21,81	224,82

BLOC - C -

SENS LONGITUDINAL

Mode	1 <sup>e</sup>	2 <sup>e</sup>	3 <sup>e</sup>
$\Gamma_i$	1,264	-0,395	0,200
$D_i$	1,59	2	2

$F_{ki}$

	5	34,81	-13,68	6,93
N	4	32,25	-3,28	-5,97
I	3	26,01	9,94	-7,77
V	2	17,35	15,41	5,04
E	1	7,31	9,14	8,63
A				
U				

$F$  [ $\text{t}$ ]       $v$  [ $\text{t}$ ]

38,04	38,04
32,96	71
28,91	99,91
23,75	123,66
14,54	138,20

SENS TRANSVERSAL

$\Gamma_i$	1,265	-0,399	0,208
$D_i$	2	2	2

$F_{ki}$

	5	43,82	-13,82	7,20
N	4	40,38	-2,72	-6,95
I	3	32,11	10,89	-7,45
V	2	20,72	15,54	6,83
E	1	7,50	7,62	7,81
A				
U				

$F$  [ $\text{t}$ ]       $v$  [ $\text{t}$ ]

46,51	46,51
41,06	87,57
34,71	122,28
26,78	149,06
13,24	162,30

## Vérification au renversement

Chaque structure doit être calculée afin de résister aux efforts qui provoquent un renversement de la structure.

A chaque niveau, l'augmentation du moment de renversement calculé à l'étage considéré doit être distribuée aux différents éléments résistants de ce niveau. Cette distribution peut se faire dans la même proportion que celle des efforts tranchants.

Le moment de renversement supporté par l'étage le plus bas de cet élément doit être transmis à la fondation en tant que charge.

$$\text{Moment de renversement} = \text{Moment extérieur en caisse} + \text{effort tranchant à la base} \times z$$

$z$ : étant la profondeur d'ancrege

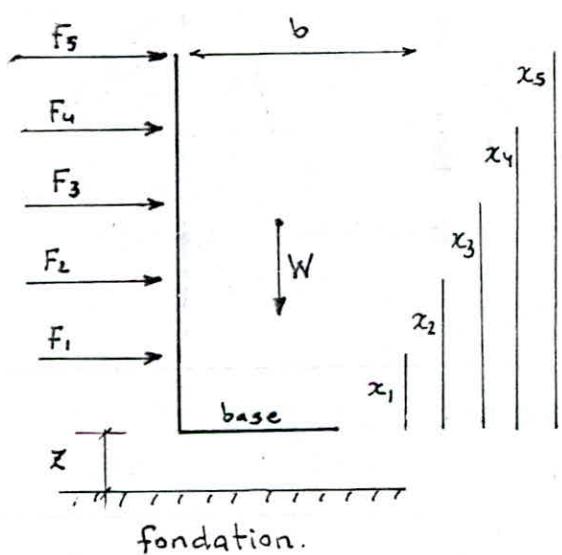
Moment extérieur en caisse :

$$\sum_{i=1}^5 F_i x_i$$

effort tranchant à la base :

$$V = \sum_{i=1}^5 F_i$$

$$\text{Moment résistant} = W \cdot \frac{b}{2}$$



$b$  : étant la dimension du bâtiment en plan dans le sens considéré

•) Sens longitudinal :

$$\sum F_i x_i = 22,9 \cdot 3,10 + 48,02 \cdot 6,20 + 62,97 \cdot 9,3 + 76,16 \cdot 12,4 + 87,39 \cdot 15,5 = 3253,26 \text{ t.m}$$

$$H = \sum F_i = 22,9 + 48,02 + 62,97 + 76,16 + 87,39 = 297,44 \text{ t.}$$

Moment de renversement :  $\sum F_i x_i + V \cdot z$

$$3253,26 + 297,44 \cdot 2 = 3848,14 \text{ t.m.}$$

Moment résistant :  $W \cdot \frac{b}{2} = 3278,28 \cdot 15,20 = 49829,86 \text{ t.m.}$

Pour que la stabilité soit assurée, il faut vérifier que :

$$\frac{\text{Moment résistant}}{\text{Moment de renversement}} \geq 1,5$$

Moment de renversement

$$\frac{49829,86}{3848,14} = 12,95 > 1,5 \quad \text{vérifiée.}$$

•) Sens transversal :

$$\sum F_i x_i = 18,79 \cdot 3,10 + 45,03 \cdot 6,20 + 56,84 \cdot 9,3 + 67,19 \cdot 12,4 + 78 \cdot 15,5 = 2908,20 \text{ t.m.}$$

$$V = \sum F_i = 265,85 \text{ t.}$$

$$\text{Moment ext + } V \cdot z = 3439,9 \text{ t.m.}$$

$$\text{Moment résistant } W \cdot \frac{b}{2} = 3278,28 \cdot 14,4 = 47207,23 \text{ t.m}$$

$$\frac{\text{Moment résistant}}{\text{Moment de renversement}} = 13,72 > 1,5 \quad \text{vérifié}$$

BLOC B.

Z = 2 m

•) sens longitudinal :

$$\text{Moment de renversement} = 3417,71 \text{ t.m}$$

$$\text{Moment résistant} = W \cdot b_{\frac{z}{2}} = 2957,01 \cdot 15,20 = 44946,55 \text{ t.m}$$

$$\frac{44946,55}{3417,71} = 13,15 > 1,5 \quad \text{vérifié.}$$

•) sens transversal

$$\text{Moment de renversement} = 2799,38 \text{ t.m.}$$

$$\text{Moment résistant} = 2957,01 \cdot 14,4 = 42580,94 \text{ t.m.}$$

$$\frac{42580,94}{2799,38} = 15,21 > 1,5 \quad \text{vérifié.}$$

BLOC C

Z = 3,55m

•) sens longitudinal :

$$\text{Moment de renversement} : 1943,21 \text{ t.m}$$

$$\text{Moment résistant} : 1815,18 \cdot 14,4 = 26137,15 \text{ t.m.}$$

$$26137,15 / 1943,21 = 13,45 > 1,5$$

•) sens transversal :

$$\text{Moment de renversement} : 2336,10 \text{ t.m}$$

$$\text{Moment résistant} : 1815,08 \cdot 7,6 = 13794,61 \text{ t.m}$$

$$13794,61 / 2336,10 = 5,9 > 1,5 \quad \text{vérifié.}$$

## Déformations Horizontales

Le calcul des déplacements horizontaux relève du souci d'éviter la création du désordre dans les éléments de remplissage, ainsi que l'aggravation des contraintes dans le système de contreventement -du fait que les pièces en béton armé sont assez rigides et que seulement une partie de l'énergie est dissipée sous forme d'énergie élastique-, ainsi sous les sollicitations horizontales, il y a lieu d'éviter le heurt de deux constructions voisines affectées de tels déplacements. On voit donc qu'une limitation des déplacements horizontaux est indispensable.

### ) DETERMINATION DES DEPLACEMENTS RELATIFS

D'ETAGES ( RPA 81. art. 3.3.7.1 )

Les déplacements relatifs latéraux donnés par le RPA sont :

$$\delta_j = \frac{V_j}{R_j} \cdot \frac{1}{2B}$$

avec  $V_j$  : effort tranchant du niveau  $j$ .

$R_j$  : rigidité relative du niveau  $j$ .

$B$  : facteur de comportement de la structure

le rapport  $1/2B$  doit-être au moins égal à 1.

Dans notre cas  $B=0,25 \rightarrow 1/2B = 2$

Les déplacements relatifs admissibles sont :  $\bar{\delta}_j = 0,0075 \cdot h_j$   
 $h_j$  étant la hauteur d'étage  $j$ .

On doit donc vérifier que  $\delta_j \leq \bar{\delta}_j$ . (1)

Pour nous  $h_j = \text{et.} = 3,10 \text{ m}$ .  $\Rightarrow \bar{\delta}_j = 2,33 \text{ cm}$

Les déplacements relatifs de niveau pour les 3 blocs sont les suivants :

- BLOC A -

SENS LONGITUDINAL				SENS TRANSVERSAL			
	$V_j [t]$	$R_j [t/cm]$	$\delta_j (cm)$		$V_j [t]$	$R_j [t/cm]$	$\delta_j (cm)$
5	87,39	1189,23	0,15	78	366,81	0,42	
4	163,55	1189,23	0,27	145,19	366,81	0,79	
3	226,52	1189,23	0,38	202,03	366,81	1,10	
2	274,54	1323,70	0,41	247,06	459,02	1,08	
1	294,44	1789,76	0,33	265,85	682,59	0,79	

- BLOC B -

5	69,01	1102,37	0,13	58	292,27	0,40
4	133,81	1360,61	0,20	111,21	356,62	0,62
3	195,58	1583,13	0,25	160,94	415,53	0,77
2	248,92	1348,45	0,37	203,01	462,57	0,88
1	276,67	1970,17	0,28	224,82	653,97	0,69

- BLOC C -

5	38,04	244,54	0,31	46,51	646,94	0,14
4	71	244,54	0,58	87,57	646,94	0,27
3	99,31	244,54	0,82	122,28	646,94	0,38
2	123,66	244,54	1,01	149,06	646,94	0,46
1	138,20	376,80	0,73	162,03	1259,79	0,26

On voit ainsi que la condition (1) est bien vérifiée

## ) DETERMINATION DE LA LARGEUR DU JOINT ENTRE

### BLOCS.

sous l'action des secousses, tous les joints doivent permettre aux blocs adjacents le libre déplacement sans contact préjudiciable (RPA-art. 2.3.2.4) ~

La largeur minimum admissible des joints parasismiques est 2 cm (RPA-art. 2.3.2.5).

La largeur du joint minimale est calculée à partir des déplacements effectifs maximaux des blocs adjacents, ces déplacements étant égaux à :

$$\delta_{\max} = \sum_{i=1}^s \delta_j$$

pour le bloc (A)

$$\delta_{\max} \left\{ \begin{array}{l} \text{sens longit.} = 1,54 \text{ cm} \\ \text{sens transv.} = 4,18 \text{ cm} \end{array} \right.$$

bloc (B)

$$\delta_{\max} \left\{ \begin{array}{l} \text{sens. longit.} = 1,23 \text{ cm} \\ \text{sens transv.} = 3,36 \text{ cm} \end{array} \right.$$

bloc (C)

$$\delta_{\max} \left\{ \begin{array}{l} \text{sens long.} = 1,51 \text{ cm} \\ \text{sens transv.} = 3,45 \text{ cm} \end{array} \right.$$

### LARGEUR MINIMAL DES JOINTS :

- joint longitudinal = 6 cm.

$$\delta_{\max} = 3,45 + 1,54 = 4,99 \text{ cm}$$

- joint transversal = 8 cm

$$\delta_{\max} = 4,18 + 3,36 = 7,54 \text{ cm.}$$

## **CHAPITRE 7**

### **ETUDE AU VENT**

## Etude au Vent

L'objet de l'étude dans ce chapitre est l'évaluation des sollicitations engendrées par l'action du vent.

L'étude a été faite pour les trois blocs de notre ouvrage, mais nous n'exposons ici que les résultats concernant le bloc A qui sont d'ailleurs les plus importants.

Le calcul est conduit suivant les règlements N.V. G5 exposés dans ce qui suit :

Les actions du vent sur les différentes faces de la construction admettent une résultante géométrique R qui se décompose en :

$$\vec{R} = \vec{T} + \vec{L} + \vec{U}$$

$\vec{T}$  : force de trainée, elle est parallèle à la direction du vent.

$\vec{L}$  : force de dérive perpendiculaire à la direction du vent

$\vec{U}$  : force de portance de direction verticale ascendante  
qui produit donc un soulèvement.

### 1) DETERMINATION DE LA FORCE DE TRAINEE (T)

La force de trainée par unité de longueur est :

$$T = C_t \cdot \beta \cdot S \cdot D \cdot q$$

avec :

✓  $C_t$  : coefficient de trainée lié aux effets aérodynamiques provoqués par la forme de la section transversale de la structure, il dépend donc de celle-ci et de l'élancement de l'ouvrage.

$$C_t = C_{t_0} \cdot \gamma_0$$

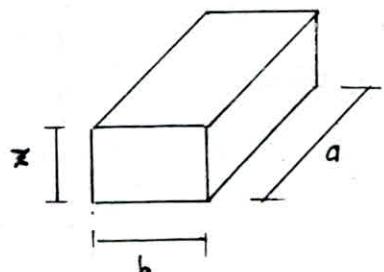
Notre ouvrage est de catégorie I (un prisme à 4 côtés)

$$\Rightarrow C_{t_0} = 1,3.$$

le coefficient  $\gamma_0$  est donné par le diagramme R.III-5, Règle NV.65, il dépend de l'élançement de la construction et de ses dimensions en flan.  $a$  et  $b$  ( $a > b$ )

$$a = 30,4 \text{ m}; b = 28,8 \text{ m} \text{ et } z = 17,5 \text{ m}$$

$$\lambda_a = \frac{z}{a}, \quad \lambda_b = \frac{z}{b}.$$



. Vent normal à la grande face :

$$\left. \begin{array}{l} \lambda_a = 0,57 \\ b/a = 0,95 \end{array} \right\} \rightarrow \gamma_0 = 1 \Rightarrow C_t = 1,3.$$

. Vent normal à la petite face :

$$\left. \begin{array}{l} \lambda_b = 0,61 \\ a/b = 1,05 \end{array} \right\} \rightarrow \gamma_0 = 1 \Rightarrow C_t = 1,3$$

$\beta$  : coefficient de majoration dynamique lié aux effets de résonnance provoqués par les oscillations de l'ouvrage. Il dépend de la période propre de vibration  $T$  de la construction et de la côte  $z$  du niveau considéré

pour le vent normal  $\beta_n = \max [\theta(1 + \frac{q}{T}), 1]$

avec  $\theta = 0,70$  pour  $z \leq 30 \text{ m}$

$\theta = 0,70 + 0,01(z - 30)$  pour  $30 < z < 60 \text{ m}$

$\theta = 1$  pour  $z \geq 60 \text{ m}$

pour nous  $z < 30 \text{ m} \rightarrow \theta = 0,70$ .

$q$  est donné en fonction de la période  $T$  du mode

fondamental et pour des ouvrages de divers degrés d'amortissement par l'un des diagrammes fig. R III-3. (NV 65).

$$\text{sens longitudinal } T_L = 0,466 \text{ s} \rightarrow \varphi_L = 0,4$$

$$\text{sens transversal } T_t = 0,836 \text{ s} \rightarrow \varphi_t = 0,7$$

$T$  : coefficient de pulsation il est fonction de la hauteur du niveau considéré

$$\text{notre cas } H = 15,5 \text{ m} \rightarrow T = 0,34$$

$$\begin{aligned} \beta_L &= 0,70 (1 + 0,4 \cdot 0,34) = 0,79 \\ \beta_t &= 0,70 (1 + 0,7 \cdot 0,34) = 0,86 \end{aligned} \quad \left. \right\} \Rightarrow \beta = 1$$

✓  $\delta$  : coefficient de réduction, il tient compte de l'effet des dimensions - il est donné par le tableau R-III-2 en fonction de la plus grande dimension de la surface offerte au vent et de la cote  $Z$  du niveau considéré.

L'inclusion du coefficient  $\delta$  fait suite aux observations selon lesquelles la force du vent agit par "paquets" localisés de dimensions relativement faibles. Le coefficient  $\delta$  est destiné à finaliser les éléments de construction relativement petits par rapport aux ouvrages de grandes dimensions. En effet ces derniers présentent une plus faible probabilité d'être frappées sur la totalité de leur surface par la même pression du vent.

$$\text{pour notre cas : } \delta_L = 0,765 ; \delta_t = 0,77 .$$

✓  $q$  : pression du vent ; dépend du site et de la hauteur de l'ouvrage .

$$q = K_m \cdot K_s \cdot q_H$$

$K_m$ : coefficient de masque (site non protégé)  $K_m = 1$ .

$K_s$ : coefficient de site (site normal, région II)  $K_s = 1$ .

$$q_H = \text{pression dynamique} \quad q_H = 2,5 q_{10} \frac{H+18}{H+60}$$

$q_{10}$ : pression de base qui s'exerce à une hauteur de 10 m au dessus du sol pour un site normal

$$q_{10} = 70 \text{ kg/m}^2$$

pour  $H = 17,5 \text{ m}$   $\Rightarrow q_H = 80,16 \text{ kg/m}^2$

1) Largeur du maître-couple :  $D$

vent longitudinal  $D_L = 28,8 \text{ m}$

vent transversal  $D_t = 30,4 \text{ m}$

## 2) DETERMINATION DE LA FORCE DE DERIVE (L)

Cette force prend en compte l'action des tourbillons de KARMAN dont la période est d'après l'annexe 8.31 NV 65 lorsque  $T=T_K$

$$T = \frac{d}{S \cdot v} \quad \text{où } d: \text{largeur du maître-couple}$$

$S$ : Nombre de Strouhal

$v$ : vitesse du fluide

Ces tourbillons n'apparaissent que pour des vitesses faibles ( $v < 25 \text{ m/s}$ ). Généralement seuls les ouvrages de très grande hauteur et de période propre importante ( $> 1,5 \text{ s}$ ), nécessitent un calcul à la résonance.

$$\text{sens longitudinal} \quad V_{er} = \frac{d}{ST_u} = \frac{28,8}{0,25 \cdot 0,466} = 247,21 \text{ m/s}$$

$$\text{sens transversal} \quad V_{er} = \frac{30,4}{0,25 \cdot 0,836} = 145,45 \text{ m/s}$$

$V_{er}$  dans les 2 sens est supérieur à 25 m/s donc il n'est pas nécessaire de faire le calcul à la résonance.

### 3) DETERMINATION DE LA FORCE DE PORTANCE (U)

Cette force est donnée par  $U = C_u \cdot \delta \cdot q \cdot S_u$ .

$$C_u: \text{coefficient de Portance} \quad C_u = C_i - C_e$$

$$C_i: \text{coefficient de surpression intérieur pour la terrasse}$$

$$\text{contraction fermée} \rightarrow C_i = 0,6(1,8 - 1,3\delta_0) = 0,3$$

$C_e: \text{coefficient de dépression extérieur pour la terrasse}$

$$\begin{aligned} \delta = 0 & \quad (\text{inclinaison du toit}) \\ \delta_0 = 1 & \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad C_e = -0,5$$

$$\rightarrow C_u = C_i - C_e = 0,8.$$

$\delta: \text{coefficient de dimension}.$

La plus grande dimension de la tâture est  $d = 30,4 \text{ m}$ .

$$\begin{aligned} d = 30,4 \text{ m} \\ z = 17,5 \text{ m} \end{aligned} \quad \Rightarrow \quad \delta = 0,765 \quad (\text{fig R III-2 N 65})$$

$S_u: \text{aire de la surface de terrasse : } S_u = 875,52 \text{ m}^2$

$$U = 0,8 \cdot 0,765 \cdot 80,16 \cdot 875,52 = 42951,19 \text{ kg}$$

cas extrême  $U_e = 1,75 U_n = 75,16 \text{ t}$ .

Comme le poids de la structure  $W = 3278,28 \text{ t} \gg U_e$   
donc il n'y a pas risque de soufflement.

#### 4) CALCUL DE LA FORCE DE TRAINEE DE NIVEAU

$$T = C_t \cdot \beta \cdot S \cdot D \cdot g . \quad \text{tous les coefficients étant déterminés}$$

$$T_t = 1,3 \cdot 1 \cdot 0,77 \cdot 30,4 \cdot g = 30,43 \cdot g \quad : \text{sens transversal}$$

$$T_L = 1,3 \cdot 1 \cdot 0,765 \cdot 28,8 \cdot g = 28,64g \quad : \text{sens longitudinal}$$

Pour les différents niveaux les valeurs sont données dans le tableau suivant :

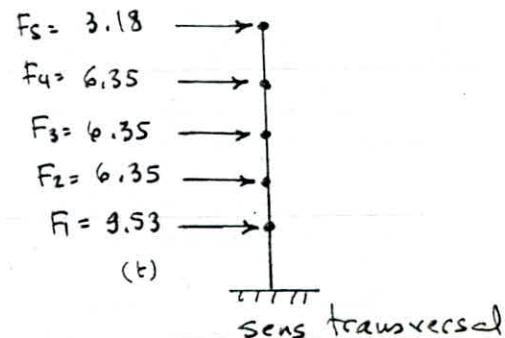
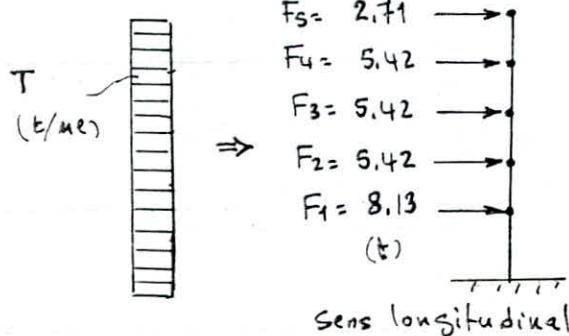
H (m)	g (kg/m²)	T <sub>t</sub> (kg/m)	T <sub>L</sub> (kg/m)
15,5	77,65	2052,29	1757,22
12,4	73,48	1942,29	1662,85
9,3	68,94	1822,08	1560,11
6,2	63,97	1690,73	1447,64
3,10	58,52	1546,68	1324,31
0	52,5	1387,57	1188,07

Nous adopterons pour le calcul des diagrammes linéaires uniforme en élévation. - Nous considérons donc que notre structure est soumise par un vent de pression uniforme, constante en hauteur égale à :

dans le sens longitudinal  $T_L = 1757,22 \text{ kg/m} = 1,757 \text{ t/m}$

dans le sens transversal  $T_t = 2052,29 \text{ kg/m} = 2,052 \text{ t/m}$

#### 5) Forces revenant à chaque niveau.



## **CHAPITRE 8**

### **CHARGES HORIZONTALES**

# Charges Horizontales

Le but de ce présent chapitre est d'évaluer les sollicitations engendrées par les charges horizontales (seisme, vent) dans les portiques (poteaux et poutres), pour cela nous utiliserons la méthode de MUTO.

On donnera les résultats concernant le bloc (A).

## Etapes de Calcul

### 1) Efforts tranchants dans les portiques :

L'effort tranchant de niveau  $j$ ,  $V_j$  est distribué entre les portiques de ce niveau comme suit:

$$\text{portiques longitudinaux } T_{jx} = V_{jx} = \frac{R_j^e}{R_j^e} + V_{jx} \cdot e_y \frac{R_j^t}{R_{j0}} \cdot \gamma_j$$

$$\text{portique transversaux } T_{jy} = V_{jy} = \frac{R_j^e}{R_j^e} + V_{jy} \cdot e_x \frac{R_j^t}{R_{j0}} \cdot \gamma_j$$

L'effort tranchant  $\gamma_j$  est distribué entre les portiques proportionnellement à leurs rigidités (1<sup>er</sup> terme), le 2<sup>e</sup> terme étant l'effort tranchant dû à la torsion provoqué par l'excentricité ( $e_x$  ou  $e_y$ ).

$\gamma_j$  et  $x_j$  position des portiques respectivement longitudinaux et transversaux / au repère (CXY).

Ce 2<sup>e</sup> terme doit-être négligé si il est négatif (RPA art 3.3.5)

### 2) Efforts tranchants revenant aux poteaux :

L'effort tranchant d'un portique au niveau  $j$   $T_j$  est distribué entre les poteaux de ce portique proportionnellement à leur rigidités

$$\text{poteau } i \quad t_j^{(i)} = \frac{a_j K_j^i}{\sum a_j K_j} \cdot T_j$$

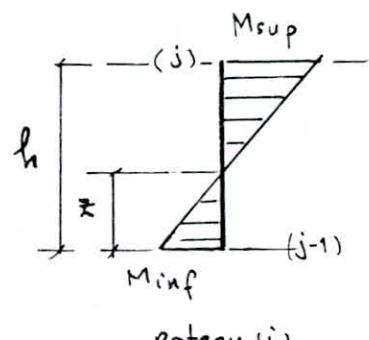
### 3) Moments fléchissant dans les poteaux

$$M_{sup} = t_j (h - z).$$

$$M_{inf} = t_j z.$$

avec  $y = y_0 + y_1 + y_2 + y_3$ .

et  $z = y \cdot h$



$z$ : position du point d'infexion, calculée

en fonction des caractéristiques géométriques du portique

$y_0$ : coefficient donné par des tableaux (MUTO) en fonction de  $\bar{K}$ , du nombre total de niveau du portique, et du rang de niveau occupé par le poteau considéré.

$y_1$ : terme de correction dû à la variation de la rigidité linéaire des poutres supérieures et inférieures

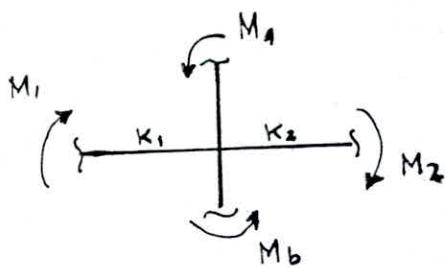
$y_2$ : terme de correction dû à la variation de hauteur d'étage supérieur adjacent.

$y_3$ : terme de correction dû à la variation de hauteur d'étage inférieur adjacent.

Tous ces coefficients sont donnés par des tableaux.

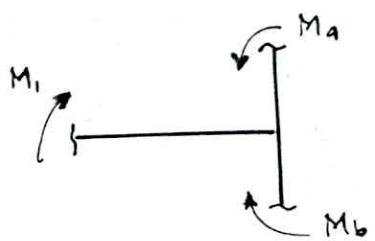
### 4) Moments dans les poutres

Dans un nœud donné, le moment résultant des poteaux aboutissant à ce nœud se repartit entre les poutres proportionnellement à leurs rigidités linéaires, ainsi l'équilibre du nœud sera assuré.



$$M_1 = \frac{K_1}{K_1 + K_2} \cdot (M_a + M_b)$$

$$M_2 = \frac{K_2}{K_1 + K_2} \cdot (M_a + M_b)$$



$$M_1 = M_a + M_b$$

## 5) Moments en travées

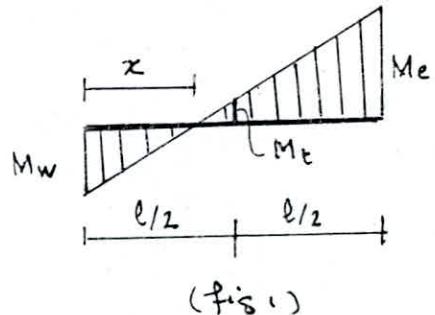
A partir des moments aux noeuds On peut calculer aisement le moment en travée

Considérons la poutre isolée avec les moments aux noeuds ; On a

$$\frac{x}{M_w} = \frac{l-x}{M_e} \quad (\text{triangles-similaires})$$

$$\Rightarrow x = \frac{M_w}{M_w + M_e} \cdot l$$

$$\text{et } \frac{x}{M_w} = \frac{l/2 - x}{M_e}$$



$$M_w$$

$$M_e$$

(fig 1)

$$M_t = \frac{M_e - M_w}{2}$$

## 6) Efforts tranchants dans les poutres

Ils sont calculés à partir des moments aux noeuds.

Pour une travée indépendante (fig 1), l'équation du moment est :

$$M = ax + b \quad \text{et} \quad T = \frac{dM}{dx} = a$$

$$\text{à } x=0 \rightarrow M = M_w \rightarrow b = M_w$$

$$\text{à } x=l \rightarrow M = -M_e \rightarrow -M_e = a \cdot l + M_w$$

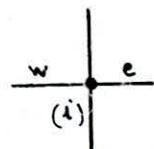
$$\Rightarrow T = -\frac{M_w + M_e}{l}$$

## 7) Efforts normaux dans les poteaux

Pour un nœud considéré, les efforts tranchants dans les poutres à droite et à gauche de ce nœud seront transmis comme effort normal dans le poteau.

pour un nœud (i)

$$N_i = - (T_{ie} - T_{iw})$$



Convention de signe :

$N_i < 0 \rightarrow$  traction .

$N_i > 0 \rightarrow$  compression .

REPARTITION DES EFFORTS HORIZONTAUX  
( SEISME - VENT )

BLOC A - SENS LONGITUDINAL -

Niv	Portique	SEISME		VENT	
		V [t]	T [t]	V [t]	T [t]
5	1	87,39	14,36	2,71	0,44
	2		13,71		0,42
	3		13,06		0,40
	4,5,6,7		12,41		0,38
4	1	163,55	26,88	8,13	1,33
	2		25,67		1,27
	3		24,45		1,21
	4,5,6,7		23,23		1,15
3	1	226,52	37,23	13,55	2,22
	2		35,54		2,12
	3		33,86		2,02
	4,5,6,7		32,17		1,92
2	1	274,54	45,93	18,97	3,17
	2		43,69		3,02
	3		41,46		2,86
	4,5,6,7		39,22		2,71
1	1	297,44	49,03	27,10	4,47
	2,		46,85		4,27
	3		44,67		4,07
	4,5,6,7		42,49		3,87

BLOC A - SENS TRANSVERSAL -

Niv.	Portique	SEISME		VENT	
		V [t]	T [t]	V [t]	T [t]
5	A, B	78	26	3.18	1.06
	D		27.33		1.11
4	A, B	145.19	48.40	9.53	3.18
	D		50.88		3.34
3	A, B	202.03	67.34	15.88	5.29
	D		70.79		5.56
2	A	247.06	69.43	22.23	6.22
	B		66.03		5.94
	C		49.63		4.46
	D		65.81		5.92
1	A	265.85	86.03	31.76	10.28
	B		74.06		8.85
	C		45.72		5.46
	D		73.38		8.77

MOMENTS DANS LES POTEAUX

PORTIQUE LONGITUDINAL 2.

Niv	Poteau	y (cm)	SEISME			VENT		
			t	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	t	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>
5	A2	0.30	3.75	8.18	3.50	0.11	0.24	0.10
		0.30	6.24	12.57	6.77	0.19	0.38	0.21
	B2	0.35	3.77	8.18	3.50	0.11	0.24	0.10
		0.30	7.02	13.09	8.73	0.35	0.65	0.43
	C2	0.30	11.63	19.88	16.26	0.57	0.97	0.79
		0.30	7.02	13.09	8.73	0.35	0.65	0.43
4	A2	0.40	9.72	16.57	13.56	0.58	0.99	0.81
		0.40	16.10	27.45	22.46	0.96	1.64	1.34
	B2	0.45	9.72	16.66	13.63	0.58	0.99	0.81
		0.45	8.10	12.55	12.55	0.56	0.87	0.87
	C2	0.45	20.05	31.08	31.08	1.39	2.15	2.15
		0.45	4.31	6.68	6.68	0.30	0.46	0.46
3	A2	0.45	11.25	34.87	34.87	0.78	1.21	1.21
		0.45	16.48	13.28	37.80	1.50	1.21	3.44
	B2	0.50	25.81	32	48	2.35	2.91	4.37
		0.50	4.56	7.07	7.07	0.42	0.65	0.65
	C2	0.50						
		0.50						

y <sup>seisme</sup>  
<sub>vent</sub>

PORTIQUE TRANSVERSAL B -

Niv	Poteau	y (m)	SEISME			VENT		
			t [s]	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	t [s]	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>
5	B1	0.30	2.54	5.51	2.36	0.31	0.67	0.29
		0.30	4.18	8.42	4.53	0.51	1.03	0.55
	B2 → B6	0.35				0.31	0.67	0.29
		0.30				0.93	1.73	1.15
	B7	0.35	2.54	5.51	2.36	1.53	2.61	2.13
		0.30				0.93	1.73	1.15
4	B1	0.40	4.72	8.78	5.85	1.55	2.64	2.16
		0.35				2.56	4.18	3.65
	B2 → B6	0.45	7.79	13.28	10.87	1.55	2.64	2.16
		0.40				2.17	3.36	3.36
	B7	0.40	4.72	8.78	5.85	3.58	5.55	5.55
		0.35				2.17	3.36	3.36
3	B1	0.45	6.57	11.20	9.16	3.84	3.57	8.33
		0.45				4.82	7.62	7.32
	B2 → B6	0.46	10.84	18.15	15.46	3.84	3.57	8.33
		0.45						
	B7	0.45	6.57	11.20	9.16			
		0.45						
2	B1	0.50	6.45	10	10			
		0.50						
	B2 → B6	0.50	10.63	16.48	16.48			
		0.50						
	B7	0.50	6.45	10	10			
		0.50						
†	B1	0.70	8.94	8.31	19.40			
		0.70						
	B2 → B6	0.50	11.22	17.04	17.74			
		0.50						
	B7	0.70	8.94	8.31	19.40			
		0.70						

## EFFORTS DANS LES POUTRES

- PORTIQUE TRANSVERSAL B -

Niv	Poutre	SEISME				VENT			
		M <sub>w</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	T	M <sub>w</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	T
5	1-2	5.52	4.21	0.65	-2.03	0.67	0.51	0.08	-0.24
	2-3 / 5-6	4.21	4.21	0	-1.75	0.51	0.51	0	-1.75
	6-7	4.21	5.52	-0.65	-2.03	0.51	0.67	-0.08	-0.24
4	1-2	11.40	8.90	1.12	-4.17	2.02	1.58	0.22	-0.75
	2-3 / 5-6	8.90	8.90	0	-3.71	1.58	1.58	0	-0.66
	6-7	8.90	11.14	-1.12	-4.17	1.58	2.02	-0.22	-0.75
3	1-2	17.05	14.51	1.17	-6.57	3.79	3.20	0.29	-1.45
	2-3 / 5-6	14.51	14.51	0	-6.04	3.20	3.20	0	-1.33
	6-7	14.51	17.05	-1.17	-6.57	3.20	3.79	-0.29	-1.45
2	1-2	19.16	12.73	3.21	-6.64	5.52	4.6	0.46	-2.11
	2-3 / 5-6	12.73	12.73	0	-5.30	4.6	4.60	0	-1.91
	6-7	12.73	19.16	-3.21	-6.64	4.6	5.56	-0.46	-2.11
1	1-2	18.31	13.52	2.39	-6.63	6.93	6.58	0.17	-2.81
	2-3 / 5-6	13.52	13.52	0	-5.61	6.58	6.58	0	-2.74
	6-7	13.52	18.31	-2.39	-6.63	6.58	6.93	-0.17	-2.81

- PORTIQUE LONGITUDINAL 2 -

Niv	Poutre	SEISME				VENT			
		M <sub>w</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	T	M <sub>w</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	T
5	A-B	8.18	6.28	0.95	-0.95	0.24	0.19	0.025	-0.028
	B-D	6.28	8.18	-0.95	-0.95	0.19	0.24	-0.025	-0.028
4	A-B	16.59	13.32	1.63	-1.97	0.75	0.59	0.08	-0.09
	B-D	13.32	16.59	-1.63	-1.97	0.59	0.75	-0.08	-0.09
3	A-B	25.39	21.92	1.73	-3.11	1.42	1.21	0.10	-0.17
	B-D	21.92	25.39	-1.73	-3.11	1.21	1.42	-0.10	-0.17
2	A-B	26.11	13.25	6.43	-2.59	1.68	0.86	0.66	-0.13
	B-C	40.21	4.48	17.86	-10.15	2.63	0.31	1.16	-0.19
	C-D	2.20	48.43	-23.11	-5.27	0.15	2.02	-0.93	-0.14
1	A-B	25.83	15.61	5.11	-2.73	2.08	1.25	0.41	-0.22
	B-C	47.47	13.75	16.86	-13.91	3.81	1.11	1.35	-0.32

- PORTIQUE TRANSVERSAL C -

MOMENTS DANS LES POTEAUX

Niv	Poteau	SEISME			VENT			y (m)
		t	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	t	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	
2	c1	5.29	8.20	8.20	0.47	0.74	0.74	0.50
	c2..c6	7.81	12.10	12.10	0.70	1.08	1.08	0.50
	c7	5.29	8.20	8.20	0.47	0.74	0.74	0.50
1	c1	5.55	6.20	11.02	0.66	0.74	1.32	0.64
	c2..c6	6.92	8.80	12.66	0.83	1.15	1.41	0.55
	c7	5.55	6.20	11.02	0.66	0.74	1.32	0.64

EFFORTS DANS LES POUTRES

Niv	Poutre	SEISME				VENT			
		M <sub>w</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	T	M <sub>w</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	T
2	1-2	8.20	6.02	1.09	-2.96	0.74	0.54	0.097	-0.26
	2-3 / 5-6	6.02	6.02	0	-2.51	0.54	0.54	0	-0.23
	6-7	6.02	8.20	-1.09	-2.96	0.54	0.74	-0.097	-0.26
1	1-2	14.4	10.45	1.97	-5.18	1.48	1.12	0.18	-0.54
	2-3 / 5-6	10.45	10.45	0	-4.35	1.12	1.12	0	-0.46
	6-7	10.45	14.4	-1.97	-5.18	1.12	1.48	-0.18	-0.54

EFFORTS DANS LES POTEAUX

Niv	Poteau	SEISME				VENT			
		M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N	N <sub>cum</sub>
2	1c	8.20	8.20	-2.96	-2.96	0.74	0.74	-0.26	-0.26
	2c	12.10	12.10	0.45	0.45	1.08	1.08	0.04	0.04
	3c - 5c	12.10	12.10	0	0	1.08	1.08	0	0
	6c	12.10	12.10	-0.45	-0.45	1.08	1.08	-0.04	-0.04
	7c	8.20	8.20	2.96	2.96	0.74	0.74	0.26	0.26
1	1c	6.20	11.02	-5.18	-8.14	0.74	1.31	-0.54	-0.81
	2c	6.20	12.66	0.82	1.28	1.15	1.41	0.07	0.11
	3c - 5c	8.80	12.66	0	0	1.15	1.41	0	0
	6c	8.80	12.66	-0.82	-1.28	1.15	1.41	-0.07	-0.11
	7c	6.20	11.02	5.18	8.14	0.74	1.31	0.54	0.81

## EFFORTS DANS LES POTEAUX

PORTIQUE LONGITUDINAL 2-

		SEISME			
Niv	Poteau	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N	N <sub>cum</sub>
5	A2	8.18	3.50	- 0.95	- 0.95
	B2	12.57	6.77	0.	0.
	D2	8.18	3.50	0.95	0.95
4	A2	13.09	8.73	- 1.97	- 2.92
	B2	19.88	16.26	0	0
	D2	13.09	8.73	1.97	2.92
3	A2	16.57	13.56	- 3.11	- 6.03
	B2	27.45	22.46	0	0
	D2	16.66	13.63	3.11	6.03
2	A2	12.55	12.55	- 2.59	- 8.62
	B2	31.08	31.08	- 0.35	- 0.35
	C2	6.68	6.68	- 0.39	- 0.39
	D2	34.87	34.87	3.33	9.36
1	A2	13.28	37.80	- 2.73	- 11.35
	B2	32	48	- 1.3	- 1.65
	C2	7.07	7.07	4.03	3.64

		VENT			
Niv	Poteau	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N	N <sub>cum</sub>
5	A2	0.24	0.10	- 0.028	- 0.028
	B2	0.38	0.21	0	0
	D2	0.24	0.10	0.028	0.028
4	A2	0.65	0.43	- 0.09	- 0.12
	B2	0.97	0.79	0	0
	D2	0.65	0.43	0.09	0.12
3	A2	0.99	0.81	- 0.17	- 0.29
	B2	1.64	1.34	0	0
	D2	0.99	0.81	0.17	0.29
2	A2	0.87	0.87	- 0.13	- 0.42
	B2	2.15	2.15	- 0.06	- 0.06
	C2	0.46	0.46	0.05	0.05
1	D2	1.21	1.21	0.14	0.43
	A2	1.21	3.44	- 0.22	- 0.64
	B2	2.91	4.37	- 0.1	- 0.16
	C2	0.65	0.65	0.32	0.37

## PORTIQUE TRANSVERSAL B

Niv.	Poteau	SEISME				VENT			
		M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N	N cum.	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N	N cum.
5	B1	5.51	2.36	- 2.03	- 2.03	0.67	0.29	- 0.24	- 0.24
	B2	8.42	4.53	0.28	0.28	1.03	0.55	0.03	0.03
	B3 .. B5	8.42	4.53	0	0	1.03	0.55	0	0
	B6	8.42	4.53	- 0.28	- 0.28	1.03	0.55	- 0.03	- 0.03
	B7	5.51	2.36	2.03	2.03	0.67	0.29	0.24	0.24
4	B1	8.78	5.85	- 4.17	- 6.2	1.73	1.15	- 0.75	- 0.99
	B2	13.18	10.87	0.46	0.74	2.61	2.13	0.09	0.12
	B3 .. B5	13.18	10.87	0	0	2.61	2.13	0	0
	B6	13.18	10.87	- 0.46	- 0.74	2.61	2.13	- 0.09	- 0.12
	B7	8.78	5.85	4.17	6.2	1.73	1.15	0.75	0.99
3	B1	11.20	9.16	- 6.57	- 12.77	2.64	2.16	- 1.45	- 2.44
	B2	18.15	15.46	0.53	1.27	4.28	3.65	0.12	0.24
	B3 .. B5	18.15	15.46	0	0	4.28	3.65	0	0
	B6	18.15	15.46	- 0.53	- 1.27	4.28	3.65	- 0.12	- 0.24
	B7	11.20	9.16	6.57	12.77	2.64	2.16	1.45	2.44
2	B1	10	10	- 6.64	- 19.41	3.36	3.36	- 2.11	- 4.55
	B2	16.48	16.48	1.34	2.61	5.55	5.55	0.19	0.43
	B3 .. B5	16.48	16.48	0	0	5.55	5.55	0	0
	B6	16.48	16.48	- 1.34	- 2.61	5.55	5.55	- 0.19	- 0.43
	B7	10	10	6.64	19.41	3.36	3.36	2.11	4.55
1	B1	8.31	19.40	- 6.63	- 26.04	3.57	8.33	- 2.81	- 7.36
	B2	17.04	17.74	1	3.61	7.62	7.32	0.07	0.56
	B3 .. B5	17.04	17.74	0	0	7.62	7.32	0	0
	B6	17.04	17.04	- 1	- 3.61	7.62	7.32	- 0.07	- 0.56
	B7	8.31	19.40	6.63	26.04	3.57	8.33	2.81	7.36

## **CHAPITRE 9**

### **CHARGES VERTICALES**

# Charges Verticales

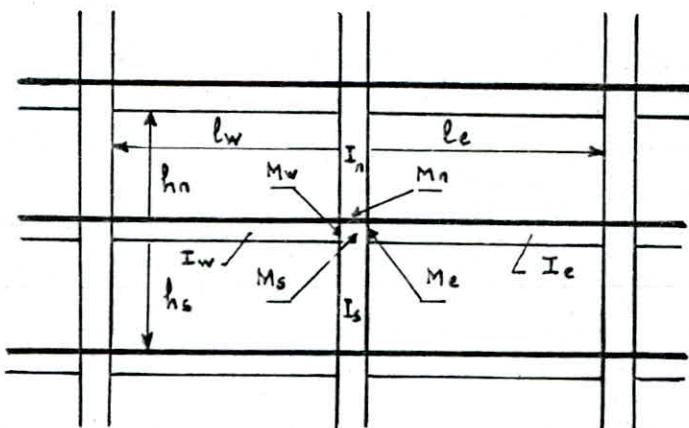
Pour déterminer les sollicitations dans les portiques dues aux charges verticales, nous avons appliquée une méthode approchée préconisée par les règlements BAEL 83 ; c'est la méthode des continuités simplifiée due à Albert Caquot.

## I Exposé de la méthode :

La méthode suppose que :

- Les poutres sont solidaires des poteaux
- Les moments d'inertie des poteaux sont constants
- En plus il n'est pas tenu compte des déplacements horizontaux relatifs des planchers.

Le principe consiste à considérer chaque noeud et à déterminer les moments de continuité dans les sections des murs en ne tenant compte que des charges des travées encadrant le noeud (travée de gauche  $\rightarrow w$ , travée de droite  $\rightarrow e$ ) et de la résistance offerte par les tronçons supérieur(s) et inférieur(s) aboutissant à ce noeud.



On détache de chaque côté des appuis des travées fictives désignées par ( $l'$ ) :

$$l'w = 0,8 l_w \quad \text{et} \quad l'e = 0,8 l_e.$$

On détache au dessus et au dessous de chaque appui des rongeurs fictifs de poteaux :

$$h'n = 0,9 h_n \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{--- si le noeud appartient à l'avant dernier} \\ \text{plancher} \end{array} \right.$$

$$\left. \begin{array}{l} h'n = 0,8 h_n \\ h's = 0,8 h_s \end{array} \right\} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{--- dans les autres cas.} \end{array} \right.$$

Soient  $q_w$ ,  $q_e$  charges uniformément réparties par unité de longueur sur les travées respectivement gauche et droite

Dans le cas où il n'y a pas de charges concentrées,

On pose

$$M'_w = \frac{q_w l'^2}{8,5} \quad ; \quad M'e = \frac{q_e \cdot l'^2}{8,5}$$

$I_w$ ,  $I_e$ ,  $I_n$ ,  $I_s$  désignant les moments d'inertie respectivement des éléments formant le noeud considéré, On pose :

$$K_w = \frac{I_w}{l'w} \quad ; \quad K_e = \frac{I_e}{l'e} \quad ; \quad K_n = \frac{I_n}{l'n} \quad ; \quad K_s = \frac{I_s}{l's}$$

$$\text{et } D = K_w + K_e + K_n + K_s.$$

- Les moments dans les sections dangereuses (nus d'appuis) en valeur absolue sont alors :

$$\text{- travée de gauche} \dots \dots \quad M_w = M'e K_w / D + M'_w (1 - K_w / D)$$

$$\text{- travée de droite} \dots \dots \quad M_e = M'e (1 - K_e / D) + M'_w K_e / D$$

$$\text{- nu inférieur des poteaux} \dots \quad M_n = K_n / D \cdot (M'e - M'_w)$$

$$\text{- nu supérieur des poteaux} \dots \quad M_s = K_s / D (M'e - M'_w).$$

Remarques :

- Pour les travées de rive, les longueurs fictives sont données en fonction de  $\chi$  :

$$l'w = \chi l_w \quad \text{avec} \quad \begin{cases} \chi = 0,8 & \text{si } K_s + K_n \geq 1,5 K_e \\ \chi = 1 - \frac{K_s + K_n}{7,5 K_e} & \text{sinon} \end{cases}$$

$$l'e = \chi l_e \quad \text{avec} \quad \begin{cases} \chi = 0,8 & \text{si } K_s + K_n \geq 1,5 K_w \\ \chi = 1 - \frac{K_s + K_n}{7,5 K_w} & \text{sinon} \end{cases}$$

- $M_e$  et  $M_w$  sont négatifs.
- Pour les poteaux, la face tendue du tronçon supérieur est du côté correspondant à la plus grande des deux valeurs absolues  $M_e$  ou  $M_w$ . La face tendue du tronçon inférieur est du côté opposé.

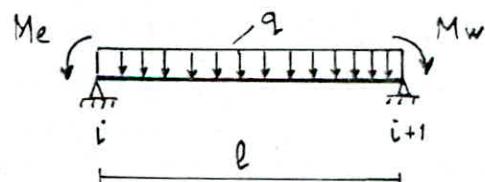
## II Détermination des efforts tranchants dans les poutres et efforts normaux dans les poteaux

On ne fait pas état, dans le calcul, par simplification, des efforts tranchants dans les poteaux ainsi que des efforts normaux dans les poutres (BAEL 83 - art F-2.4-8).

Après avoir calculé les moments aux noeuds, les efforts tranchants dans les poutres peuvent être déterminés en considérant la travée indépendante avec les moments aux appuis et la charge uniforme

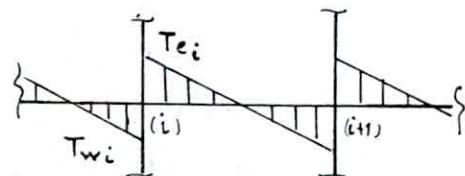
$$T_e = q \frac{l}{2} + \frac{M_e - M_w}{l}$$

$$T_w = -q \frac{l}{2} + \frac{M_e - M_w}{l}$$



Les efforts tranchant à gauche et à droite d'un nœud sont transmis comme effort normal dans le poteau voisin.

$$N_i = |T_{ei}| + |T_{wi}|$$



#### DETERMINATION DES CHARGES REVENANT AUX PORTIQUES :

Le mode de transmission des charges agissant sur les dalles vers les poutres est celui déterminé par les lignes de rupture. Ces sont en forme de dent de scie pour les poutres secondaires (charge triangulaire) et des trapèzes (charge trapézoïdale) pour les poutres principales.

Pour le calcul ces charges sont ramenées à des charges uniformes équivalentes calculés comme suit:

1 = Pour les portiques porteurs :

- Charge uniforme pour le calcul de l'effort tranchant:

$$q_T = \frac{q}{2} \left[ \left(1 - \frac{\beta_w}{2}\right) l_{xw} + \left(1 - \frac{\beta_e}{2}\right) l_{xe} \right]$$

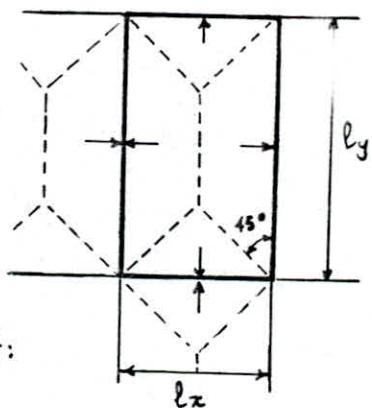
- Charge uniforme pour le calcul des moments fléchissants :

$$q_M = \frac{q}{2} \left[ \left(1 - \frac{\beta_w^2}{3}\right) l_{xw} + \left(1 - \frac{\beta_e^2}{3}\right) l_{xe} \right]$$

avec:  $\beta_w = l_{xw}/l_y$ ;  $\beta_e = l_{xe}/l_y$  et  $q$ : charge surfacique.

2 = Pour les portiques non porteurs :

travée de rive  $q_M = q_T = q \cdot \frac{\sum l_{xi}^2}{4 \sum l_{xi}}$  / travée intermédiaire  $\rightarrow q_M = q_T = q \cdot \frac{\sum l_{xi}^2}{2 \sum l_{xi}}$



# Caractéristiques Géométriques des Portiques

## PORTIQUE LONGITUDINAL 2 -

Niv	Noeud	$\ell'_w(m)$	$\ell'_e(m)$	$h'_{n\kappa}(m)$	$\ell's$	$K_w(10^4)$	$K_e \cdot 10^{-4}$	$K_n \cdot 10^{-4}$	$K_s \cdot 10^{-4}$	$D \cdot 10^{-4}$
5	A	0	11,52	0	1,6	0	38,51	0	106,68	145,19
	B	11,52	11,52	0	1,6	38,51	38,51	0	106,68	183,70
4	D	11,52	0	0	1,6	38,51	0	0	106,68	145,19
	A	0	0	1,80	1,6	0	38,51	94,83	106,68	240,02
3	B	0	0	1,80	1,6	38,51	38,51	94,83	106,68	278,53
	D	0	0	1,80	1,6	38,51	0	94,83	106,68	240,02
2	A	0	0	1,60	1,6	0	38,51	106,68	106,68	251,87
	B	0	0	1,60	1,6	38,51	38,51	106,68	106,68	290,38
1	D	0	0	1,60	1,6	38,51	0	106,68	106,68	251,87
	A	0	11,52	1,60	1,6	0	38,51	106,68	106,68	377,92
2	B	11,52	3,52	1,60	1,6	38,51	126,05	106,68	106,68	377,92
	C	3,52	7,58	0	1,6	126,05	57,77	0	13,33	197,15
1	D	7,68	0	1,60	4,08	57,77	0	106,68	141,84	206,29
	A	0	11,52	1,60	1,6	0	38,51	106,68	106,68	251,87
B	B	11,52	3,52	1,60	1,6	38,51	126,05	106,68	106,68	377,92
	C	3,52	0	1,60	1,6	126,05	0	13,33	13,33	152,71

## PORTIQUE TRANSVERSAL B

68

Niv	Noeud	$l'w(m)$	$l'e(m)$	$h'n(m)$	$h's(m)$	$K_{as}(10^{-4})$	$K_e(10^{-4})$	$K_n(10^4)$	$K_s(10^{-4})$	$D \cdot 10^{-4}$
5	1	0	3,52	0	2,08	0	10,36	0	20,51	30,87
	2-6	3,52	3,52	0	2,08	10,36	10,36	0	20,51	41,23
	7	3,52	0	0	2,08	10,36	0	0	20,51	30,87
4	1	0	3,52	2,34	2,08	0	10,36	18,23	20,51	49,1
	2-6	3,52	3,52	2,34	2,08	10,36	10,36	18,23	20,51	59,46
	7	3,52	0	2,34	2,08	10,36	0	18,23	20,51	49,1
3	1	0	3,52	2,34	2,08	0	10,36	20,51	20,51	51,38
	2-6	3,52	3,52	2,34	2,08	10,36	10,36	20,51	20,51	61,74
	7	3,52	0	2,34	2,08	10,36	0	20,51	20,51	51,38
2	1	0	3,52	2,08	2,08	0	10,36	20,51	20,51	51,38
	2-6	3,52	3,52	2,08	2,08	10,36	10,36	20,51	20,51	61,74
	7	3,52	0	2,08	2,08	10,36	0	20,51	20,51	51,38
1	1	0	3,52	2,08	2,08	0	10,36	20,51	20,51	51,38
	2-6	3,52	3,52	2,08	2,08	10,36	10,36	20,51	20,51	61,74
	7	3,52	0	2,08	2,08	10,36	0	20,51	20,51	51,38

PORTIQUE TRANSVERSAL C.

Niv	Noeud	$l'w$ (m)	$l'e$ (m)	$l'n$ (m)	$h's$ (m)	$K_w (10^{-4})$	$K_e (10^{-4})$	$K_n (10^{-4})$	$K_s (10^{-4})$	$D (10^{-4})$
2	1	0	3,52	0	2,18	0	10,36	0	20,51	30,87
	2-6	3,52	3,52	0	2,18	10,36	10,36	0	20,51	41,23
	7	3,52	0	0	2,18	10,36	0	0	20,51	30,87
1	1	0	3,52	2,08	2,08	0	10,36	20,51	20,51	51,38
	2-6	3,52	3,52	2,08	2,08	10,36	10,36	20,51	20,51	61,74
	7	3,52	0	2,08	2,08	10,36	0	20,51	20,51	51,38

69

PORTIQUE 2

Niv	Travée	$g_M$	$g_T$	$P_M$	$P_T$
5		3,10	2,87	1,34	1,18
4-3		3,07	2,83	1,34	1,18
2	A - B	3,07	2,83	1,34	1,18
	B - C	2,46	2,13	0,96	0,75
	C - D	2,99	2,67	1,29	1,09
1	A - B	3,07	2,83	1,34	1,18
	B - C	2,92	2,48	1,33	1,04

CHARGES ET SURCHARGES

Niv	$g_M = g_T$	$P_M = P_T$
5	1,49	0,73
4-2	1,46	0,73
1	1,66	0,89

PORTIQUE C

Niv	$g_M = g_T$	$P_M = P_T$
2	1,46	0,73
1	1,81	1,02

PORTEIQUE LONGITUDINAL 2 - SOUS G -

Moments aux Noeuds

Niv	Noeud	$L'_{\text{w}}$ (m)	$L'_{\text{c}}$ (m)	$G_{\text{w}}/t_{\text{ph}}$	$G_{\text{c}}/t_{\text{ph}}$	$M'_{\text{w}}$ t.m	$M'_{\text{c}}$ t.m	$M_{\text{w}}$ t.m	$M_{\text{c}}$ t.m	$M_{\text{u}}$ t.m	$M_{\text{s}}$ t.m
5	A	/	11.52	/	3.10	/	48.37	/	35.54	/	35.54
	B	11.52	11.52	3.10	3.10	48.37	48.37	48.37	48.37	/	/
4	D	11.52	/	3.10	/	48.37	/	35.54	/	/	-35.54
	A	/	11.52	/	3.07	/	47.96	/	40.26	18.95	21.32
3	B	11.52	11.52	3.07	3.07	47.96	47.96	47.96	47.96	/	/
	D	11.52	/	3.07	/	47.96	/	40.26	/	-18.95	-21.32
2	A	/	11.52	/	3.07	/	47.96	/	40.63	20.31	20.31
	B	11.52	3.52	3.07	2.47	47.96	3.59	43.44	18.39	-12.52	-12.52
1	C	3.52	7.68	2.47	2.99	3.59	20.44	14.57	15.73	/	1.16
	D	7.68	/	2.99	/	20.77	/	14.95	/	-10.74	-4.21
1	A	/	11.52	/	3.07	/	47.96	/	40.63	20.31	20.31
	B	11.52	3.52	3.07	2.92	47.96	4.25	43.50	18.23	-12.34	-12.34
1	C	3.52	/	2.92	/	4.25	/	0.74	/	-0.37	-0.37

## PORTIQUE LONGITUDINAL 2 - SOUS P -

Niv	Noeud	$\ell'_w$	$\ell'e$	$P_w$	$P_e$	$M'_w$	$M'e$	$M_w$	$M_e$	$M_n$	$M_s$
5	A	0	11.52	0	1.34	0	20.94	0	15.38	0	15.38
	B	11.52	11.52	1.34	1.34	20.94	20.94	20.94	20.94	0	0
	D	11.52	0	1.34	0	20.94	0	15.38	0	0	-15.38
4	A	0	11.52	0	1.34	0	20.94	0	17.58	8.27	9.31
	B	11.52	11.52	1.34	1.34	20.94	20.94	20.94	20.94	0	0
	D	11.52	0	1.34	0	20.94	0	17.58	0	-8.27	-9.31
3	A	0	11.52	0	1.34	0	20.94	0	17.74	8.87	8.87
	B	11.52	11.52	1.34	1.34	20.94	20.94	20.94	20.94	0	0
	D	11.52	0	1.34	0	20.94	0	17.74	0	-8.87	-8.87
2	A	0	11.52	0	1.34	0	20.94	0	17.74	8.87	8.87
	B	11.52	3.52	1.34	0.96	20.94	1.40	18.95	7.92	-5.51	-5.51
	C	3.52	7.86	0.96	1.29	1.40	8.96	6.23	6.74	0	0.51
	D	7.68	0	1.29	0	8.96	0	6.45	0	-4.63	-1.82
1	A	0	11.52	0	1.34	0	20.94	0	17.74	8.87	8.87
	B	11.52	3.52	1.34	1.33	20.94	1.94	19	8.23	-5.36	-5.36
	C	3.52	0	1.33	0	1.94	0	0.34	0	-0.17	-0.17

## PORTIQUE TRANSVERSAL B - SOUS G -

Niv	Noeud	$\ell'_w$	$\ell'e$	$G_w$	$G_e$	$M'_w$	$M'e$	$M_w$	$M_e$	$M_n$	$M_s$
5	1	0	3.52	0	1.49	0	2.17	0	1.44	0	1.44
	2→6	3.52	3.52	1.49	1.49	2.17	2.17	2.17	2.17	0	0
	7	3.52	0	1.49	0	2.17	0	1.44	0	0	-1.44
4	1	0	3.52	0	1.46	0	2.13	0	1.68	0.79	0.89
	2→6	3.52	3.52	1.46	1.46	2.13	2.13	2.13	2.13	0	0
	7	3.52	0	1.46	0	2.13	0	1.68	0	-0.79	-0.89
3	1	0	3.52	0	1.46	0	2.13	0	1.70	0.85	0.85
	2→6	3.52	3.52	1.46	1.46	2.13	2.13	2.13	2.13	0	0
	7	3.52	0	1.46	0	2.13	0	1.70	0	-0.85	-0.85
2	1	0	3.52	0	1.46	0	2.13	0	1.70	0.85	0.85
	2→6	3.52	3.52	1.46	1.46	2.13	2.13	2.13	2.13	0	0
	7	3.52	0	1.46	0	2.13	0	1.70	0	-0.85	-0.85
1	1	0	3.52	0	1.66	0	2.42	0	1.93	0.97	0.97
	2→6	3.52	3.52	1.66	1.66	2.42	2.42	2.42	2.42	0	0
	7	3.52	0	1.66	0	2.42	0	1.93	0	-0.97	-0.97

## PORTIQUE TRANSVERSAL B - SOUS P -

Niv	Nœud	$\Delta'w$	$\Delta'e$	$P_w$	$P_e$	$M'_w$	$M'e$	$M_w$	$M_e$	$M_u$	$M_s$
5	1	/	3.52	/	0.73	/	1.07	0	0.71	/	0.71
	2→6	3.52	3.52	0.73	0.73	1.07	1.07	1.07	1.07	/	/
	7	3.52	/	0.73	/	1.07	/	0.71	/	/	-0.71
4	1	/	3.52	/	0.73	/	1.07	/	0.84	0.40	0.45
	2→6	3.52	3.52	0.73	0.73	1.07	1.07	1.07	1.07	/	/
	7	3.52	/	0.73	/	1.07	/	0.84	/	-0.40	-0.45
3	1	/	3.52	/	0.73	/	1.07	/	0.85	0.43	0.43
	2→6	3.52	3.52	0.73	0.73	1.07	1.07	1.07	1.07	/	/
	7	3.52	/	0.73	/	1.07	/	0.85	/	-0.43	-0.43
2	1	/	3.52	/	0.73	/	1.07	/	0.85	0.43	0.43
	2→6	3.52	3.52	0.73	0.73	1.07	1.07	1.07	1.07	/	/
	7	3.52	/	0.73	/	1.07	/	0.85	/	-0.43	-0.43
1	1	/	3.52	/	0.89	/	1.30	/	1.04	0.52	0.52
	2→6	3.52	3.52	0.89	0.89	1.30	1.30	1.30	1.30	/	/
	7	3.52	/	0.89	/	1.30	/	1.04	/	-0.52	-0.52.

PORIQUE TRANSVERSAL C - SOUS G -

Niv	Noeud	$\ell'_w$	$\ell'e$	$G_w$	$G_e$	$M'_w$	$M'e$	$M_w$	$M_e$	$M_s$	$M_n$
2	1	0	3.52	0	1.46	0	3.34	0	2.22	2.22	0
	2 → G	3.52	3.52	1.46	1.46	3.34	3.34	3.34	3.34	0	0
	7	3.52	0	1.46	0	3.34	0	2.22	0	-2.22	0
1	1	0	3.52	0	1.81	0	4.12	0	3.29	1.64	1.64
	2 → G	3.52	3.52	1.81	1.81	4.12	4.12	4.12	4.12	0	0
	7	3.52	0	1.81	0	4.12	0	3.29	0	-1.64	-1.64

PORIQUE TRANSVERSAL C - SOUS P -

Niv	Noeud	$\ell'_w$	$\ell'e$	$P_w$	$P_e$	$M'_w$	$M'e$	$M_w$	$M_e$	$M_s$	$M_n$
2	1	0	3.52	0	0.73	0	1.67	0	1.11	1.11	0
	2 → G	3.52	3.52	0.73	0.73	1.67	1.67	1.67	1.67	0	0
	7	3.52	0	0.73	0	1.67	0	1.11	0	-1.11	0
1	1	0	3.52	0	1.02	0	2.32	0	1.85	0.93	0.93
	2 → G	3.52	3.52	1.02	1.02	2.32	2.32	2.32	2.32	0	0
	7	3.52	0	1.02	0	2.32	0	1.85	0	-0.93	-0.93

74

# Efforts dans les Poteaux

PORIQUE LONGITUDINAL 2

Niv	Poteau	sous G				sous P			
		Msup	Minf	N	Ncum	Msup	Minf	N	Ncum
5	A	35.54	18.35	21.55	21.55	15.38	8.27	8.92	8.92
	B	0	0	39.52	39.52	0	0	16.3	16.3
	D	-35.54	-18.35	21.55	21.55	-15.38	-8.17	8.92	8.92
4	A	21.32	20.31	20.89	42.44	9.31	8.87	8.77	17.69
	B	0	0	39.64	79.16	0	0	16.6	32.9
	D	-21.32	-20.31	20.89	42.44	-9.31	-8.87	8.77	17.69
3	A	20.31	20.31	20.89	63.33	8.87	8.87	8.76	26.46
	B	0	-12.52	39.64	118.8	0	-5.51	16.64	49.54
	D	-20.31	-10.74	20.89	63.33	-8.87	-4.63	8.76	26.46
2	A	20.31	20.31	20.55	83.88	8.87	-8.87	8.62	35.07
	B	-12.52	-12.34	23.98	142.78	-5.51	-5.36	9.71	59.15
	C	1.16	-0.37	18.32	18.32	0.51	-5.36	7.23	7.23
	D	-4.21	/	12.92	76.25	-1.82	/	5.56	31.71
1	A	20.31	10.15	20.55	104.43	8.87	4.43	8.63	43.7
	B	-12.34	-6.17	21.64	164.42	-5.36	-2.68	8.34	68.19
	C	-0.37	-0.18	9.44	27.96	-0.17	-0.08	4.08	11.31

## PORTIQUE TRANSVERSAL 3

Niv.	Poteau	sous G				sous P			
		Msup	Minf	N	Ncum	Msup	Minf	N	Ncum
5	1	1.44	0.79	3.42	3.42	0.71	0.40	1.68	1.68
	2	/	/	6.42	6.42	/	/	3.15	3.15
	3 → 5	/	/	6.56	6.56	/	/	3.22	3.22
	6	/	/	6.42	6.42	/	/	3.15	3.15
	7	-1.44	-0.79	3.42	3.42	-0.71	-0.40	1.68	1.68
4	1	0.89	0.85	3.30	6.72	0.45	0.43	1.65	3.33
	2	/	/	6.36	12.78	/	/	3.18	6.33
	3 → 5	/	/	6.44	13	/	/	3.22	6.44
	6	/	/	6.36	12.78	/	/	3.18	6.33
	7	-0.89	-0.85	3.30	6.72	-0.45	-0.43	1.65	3.33
3	1	0.85	0.85	3.30	10.02	0.43	0.43	1.65	4.98
	2	/	/	6.36	19.14	/	/	3.18	9.51
	3 → 5	/	/	6.44	19.44	/	/	3.22	9.66
	6	/	/	6.36	19.14	/	/	3.18	9.51
	7	-0.85	0.85	3.30	10.02	-0.43	-0.43	1.65	4.98
2	1	0.85	0.97	3.30	13.32	0.43	0.52	1.65	6.63
	2	/	/	6.36	25.5	/	/	3.18	12.69
	3 → 5	/	/	6.44	25.88	/	/	3.22	12.88
	6	/	/	6.36	25.5	/	/	3.18	12.69
	7	-0.85	0.97	3.30	13.32	0.43	-0.52	1.65	6.63
1	1	0.97	0.48	3.75	17.07	0.52	0.26	2.01	8.64
	2	/	/	7.23	32.73	/	/	3.88	16.57
	3 → 5	/	/	7.32	33.2	/	/	3.92	16.80
	6	/	/	7.23	32.73	/	/	3.88	16.57
	7	-0.97	-0.48	3.75	17.07	-0.52	-0.26	2.01	8.64

PORTIQUE TRANSVERSAL C

Niv	Poteau	Sous G				Sous P			
		Msup	Minf	N	Neum	Msup	Minf	N	Neum
2	1	2.22	1.64	3.48	3.48	1.11	0.93	1.74	1.74
	2	/	/	6.19	6.19	/	/	3.09	3.09
	3 → 5	/	/	6.44	6.44	/	/	3.22	3.22
	6	/	/	6.19	6.19	/	/	3.09	3.09
	7	-2.22	-1.64	3.48	3.48	-1.11	-0.93	1.74	1.74
1	1	1.64	0.82	3.79	7.27	0.93	0.47	2.35	4.09
	2	/	/	8.15	14.34	/	/	4.58	7.47
	3 → 5	/	/	7.96	14.4	/	/	4.48	7.7
	6	/	/	8.15	14.34	/	/	4.38	7.47
	7	-1.64	-0.82	4.17	7.27	-0.93	-0.47	2.35	4.09

# Efforts dans les Poutres

- PORTIQUE LONGITUDINAL 2 -

		SOUS G				
Niv	travée	Mw	Me	Mt	Tw	Te
5	A-B	35.54	48.37	38.34	21.55	-19.76
	B-D	48.37	35.54	38.34	19.76	-21.55
4	A-B	40.26	47.96	35.51	20.89	-19.82
	B-D	47.96	40.26	35.51	19.82	-20.89
3	A-B	40.63	47.96	35.33	20.89	-19.82
	B-D	47.96	40.63	35.33	19.82	-20.89
2	A-B	40.63	43.44	37.59	20.55	-20.16
	B-C	18.39	14.57	-10.51	3.82	-5.56
	C-D	15.53	14.95	19.15	12.76	-12.92
1	A-B	40.63	43.50	37.56	20.55	-20.15
	B-C	18.23	0.74	-1.42	1.49	-9.44

SOUS P				
Mw	Me	Mt	Tw	Te
15.38	20.94	16.6	8.92	-8.15
20.94	15.38	16.6	8.15	-8.92
17.58	20.94	15.5	8.77	-8.30
20.94	17.58	15.5	8.30	-8.77
17.74	20.94	15.42	8.76	-8.32
20.94	17.74	15.42	8.32	-8.76
17.74	18.95	16.41	8.62	-8.45
7.82	6.23	-4.75	1.26	-2.03
6.74	6.45	8.28	5.20	-5.26
17.74	19	16.39	8.63	-8.45
8.23	0.34	-1.06	0.49	-4.08

- PORTIQUE TRANSVERSAL C -

		SOUS G				
Niv	travée	Mw	Me	Mt	Tw	Te
2	1-2	2.22	3.34	0.76	3.48	-2.97
	2-3 / 5-6	3.34	3.34	0.20	3.22	-3.22
	6-7	3.34	2.22	0.76	1.97	-3.48
1	1-2	3.23	4.12	0.67	4.17	-3.79
	2-3 / 5-6	4.12	4.12	0.26	3.98	-3.98
	6-7	4.12	3.23	0.67	3.79	-4.17

SOUS P				
Mw	Me	Mt	Tw	Te
1.11	1.67	0.38	1.74	-1.48
1.67	1.67	0.10	1.61	-1.68
1.67	1.11	0.38	1.48	-1.74
1.85	2.32	0.38	2.35	-2.14
2.32	2.32	0.15	2.14	-2.24
2.32	1.95	0.38	2.14	-2.35

- PORTIQUE TRANSVERSAL B -

		sous G					sous P				
Niv	travée	Mw	Me	Mt	Tw	Te	Mw	Me	Mt	Tw	Te
5	1-2	1.56	2.17	1.74	3.42	-3.14	0.77	1.07	0.85	1.68	-1.54
	2-3/5-6	2.17	2.17	1.44	3.28	-3.28	1.07	1.07	0.70	1.61	-1.61
	6-7	2.17	1.56	1.74	3.14	-3.42	1.07	0.77	0.85	1.54	-1.68
4	1-2	1.77	2.13	1.59	3.30	-3.14	0.89	1.07	0.79	1.64	-1.57
	2-3/5-6	2.13	2.13	1.41	3.22	-3.22	1.07	1.07	0.60	1.61	-1.61
	6-7	2.13	1.77	1.59	3.14	-3.30	1.07	0.89	0.79	1.57	-1.64
3	1-2	1.78	2.13	1.59	3.30	-3.14	0.89	1.07	0.79	1.64	-1.57
	2-3/5-6	2.13	2.13	1.41	3.22	-3.22	1.07	1.07	0.70	1.61	-1.61
	6-7	2.13	1.78	1.59	3.14	-3.30	1.07	0.89	0.79	1.57	-1.64
2	1-2	1.78	2.13	1.59	3.30	-3.14	0.89	1.07	0.79	1.64	-1.57
	2-3/5-6	2.13	2.13	1.41	3.22	-3.22	1.07	1.07	0.70	1.61	-1.61
	6-7	2.13	1.78	1.59	3.14	-3.30	1.07	0.89	0.79	1.57	1.64
1	1-2	2.03	2.42	1.80	3.75	-3.57	1.09	1.30	0.97	2.01	-1.92
	2-3/5-6	2.42	2.42	1.60	3.66	-3.66	1.30	1.30	0.86	1.96	-1.96
	6-7	2.42	2.03	1.80	3.57	-3.75	1.30	1.09	0.97	1.92	-2.01

## **CHAPITRE 10**

# **SUPERPOSITION DES SOLlicitations**

# Combinaisons des Sollicitations

Les éléments structuraux (poteaux, poutres) doivent être dimensionnés par les combinaisons des charges verticales et horizontales données par les bases des règlements BAEL 83 et des règles du RPA 81.

## 1) COMBINAISONS D'ACTIONS A CONSIDERER POUR LES ETATS-LIMITES ULTIMES DE RESISTANCE :

a) Situations durables ou transitoires :

$$1,35G + 1,5P \pm 1,2W$$

$$1,35G + P \pm 1,5W$$

b) Situations accidentielles : (RPA 81 art. 3.3.2)

$$\begin{array}{l} G + P \pm E \\ 0,8G \pm E \end{array} \quad \left. \right\} \text{Pour les poutres}$$

$$\begin{array}{l} G + P \pm 1,2E \\ 0,8G \pm E \end{array} \quad \left. \right\} \text{Pour les poteaux}$$

## 2) COMBINAISONS D'ACTIONS A CONSIDERER POUR LES ETATS-LIMITES DE SERVICE :

$$G + P \pm 0,9W$$

$$G + 0,8P \pm W$$

Notations: on désigne par

G: charges permanentes

P: surcharges d'exploitation

W: charge due au vent

E: charge due au séisme

Remarque :

Le signe ( $\pm$ ) traduit le fait que pour une direction considérée les charges horizontales peuvent-être dans un sens ou dans l'autre.

- Moments en travée pour les différentes combinaisons :

1) Etat-limite ultime :

- situations durables :

$$M_t = M_o (1,35G + 1,5P) - \frac{M_w(1,35G) + M_e(1,35G)}{2} \pm M_t(1,2W)$$

$$M_t = M_o (1,35G + P) - \frac{M_w(1,35G) + M_e(1,35G)}{2} \pm M_t(1,5W)$$

- situations accidentelle :

$$M_t = M_o(G+P) - \frac{M_w(G) + M_e(G)}{2} \pm M_t(\varepsilon)$$

$$M_t = M_o(0,8G) - \frac{M_w(0,8G) + M_e(0,8G)}{2} \pm M_t(\varepsilon)$$

2) Etat limite de service :

$$M_t = M_o(G+P) - \frac{M_w(G) + M_e(G)}{2} \pm M_t(0,9W)$$

$$M_t = M_o(G+0,8P) - \frac{M_w(G) + M_e(G)}{2} \pm M_t(W)$$

N.B. :  $M_o$  est le moment en travée isostatique ( $M_o = q l^2/8$ )

unités : les moments  $M$  en [ $t.m$ ]

les efforts tranchant en ( $E$ )

les efforts normaux ( $N$ ) en ( $t$ )

PORTEIQUE TRANSVERSAL B.

E. L. U

		E. L. U															
N°	Travée	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me
		1,356 + 1,5P + 1,2w	1,358 + 1,5P - 1,2w	1,356 + P + 1,5w	1,356 + P - 1,5w					G + P + E	G + P - E	0,86 + E	0,86 - E				
5	1	4,06	5,15	2,46	3,92	3,88	4,76	1,84	3,23	8,95	8,29	-14,29	-1,84	6,77	5,94	-4,27	-2,47
	2 - 6	5,15	5,15	3,90	3,92	4,76	4,76	3,23	3,23	8,29	8,29	-1,84	-1,84	5,94	5,94	-2,47	-2,47
	7	5,15	4,06	3,92	2,46	4,76	3,88	3,23	1,87	8,29	8,95	-1,82	-14,93	5,95	6,77	-2,47	-2,47
4	1	6,15	6,38	1,30	2,58	6,30	6,31	0,25	1,57	16,03	13,88	-10,71	-7,48	12,56	10,6	-9,72	-7,20
	2 - 6	6,38	6,38	2,58	2,58	6,31	6,31	1,57	1,57	13,88	13,88	-7,48	-7,48	10,6	10,6	-7,20	-7,20
	7	6,38	6,15	2,58	1,30	6,30	1,57	0,25	13,88	16,03	-7,48	-10,71	10,6	12,56	-7,20	-9,72	
3	1	8,99	8,32	-0,81	0,64	8,98	8,74	-2,39	-0,85	23,13	20,61	-17,79	-14,21	18,47	16,21	-15,63	-12,81
	2 - 6	8,32	8,32	0,64	0,64	8,74	8,74	-0,85	-0,85	20,61	20,61	-14,21	-14,21	16,21	16,21	-12,81	-12,81
	7	8,32	8,29	0,64	-0,81	8,74	8,98	-0,85	-2,39	20,61	23,13	-14,21	-17,79	16,21	18,47	-12,81	-15,63
	1	10,36	10	-2,89	-1,04	11,57	10,84	-4,99	-2,95	25,66	18,48	-20,32	-12,08	20,58	14,34	-17,74	-11,03
2	2 - 6	10	10	-1,04	-1,04	10,84	10,84	-2,95	-2,95	18,48	18,48	-12,08	-12,08	14,34	14,34	-11,03	-11,03
	7	10	10,36	-1,04	-2,89	10,84	11,57	-2,95	-4,99	18,48	18,48	-12,08	-12,08	14,34	20,58	-11,03	-17,74
	1	12,69	13,11	-3,94	-2,68	14,22	14,44	-6,56	-5,30	25,09	19,94	-18,85	-12,56	19,93	15,46	-16,69	-11,58
	2 - 6	13,11	13,11	-2,68	-2,68	14,44	14,44	-5,30	-5,30	19,94	19,94	-12,56	-12,56	15,46	15,46	-11,58	-11,58
	7	13,11	12,69	-2,68	-3,94	14,44	14,22	-5,30	-6,56	19,94	25,09	-12,56	-18,85	15,46	19,93	-11,58	-16,69

## PORTIQUE LONGITUDINAL 2

E. L. U

		E. L. U																			
		1,356 + 1,5P + 1,8W				1,356 + 1,5P - 1,2W				1,356 + P + 1,5W		1,356 + P - 1,5W		G + P + E		G + P - E		0,86 + E		0,86 - E	
Niv	Travée	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me	Mw	Me		
5	A-B	71,34	96,94	71,05	96,48	63,72	86,6	63	85,88	59,1	75,59	50,92	63,03	36,61	44,98	20,85	32,42				
	B-D	96,94	71,34	96,48	71,05	86,6	63,72	85,88	63	75,59	59,1	63,03	50,92	44,98	36,61	32,42	20,85				
4	A-B	81,62	96,86	79,82	95,45	73,05	86,57	70,81	84,80	74,43	82,22	41,25	55,58	48,80	51,69	15,62	25,05				
	B-D	96,86	81,62	95,45	79,82	86,57	73,05	84,80	70,81	82,22	74,43	55,58	41,25	51,69	48,80	25,05	15,62				
3	A-B	83,16	97,61	79,75	94,70	74,72	87,50	70,46	83,87	83,76	90,82	32,98	46,98	57,89	60,29	7,99	16,45				
	B-D	97,61	83,16	94,70	79,75	87,5	74,72	83,87	70,46	90,82	83,76	46,98	32,98	60,29	57,89	16,45	7,11				
2	A-B	83,48	88,10	79,44	86,04	75,11	78,88	72,59	76,30	84,48	75,64	32,26	49,14	58,61	48	6,39	21,50				
	B-C	39,86	29,39	33,55	28,64	36,69	26,36	28,80	25,43	66,52	25,28	-13,9	16,32	54,92	16,14	-25,5	7,18				
	C-D	31,52	32,88	31,16	27,43	28,20	29,66	27,75	23,60	24,67	69,83	20,27	21,4	14,78	60,39	10,38	-36,47				
1	A-B	83,95	88,72	78,96	85,72	75,71	79,6	69,47	75,85	84,2	78,11	32,54	46,89	58,33	50,41	6,67	19,19				
	B-C	41,53	2,84	32,38	0,18	38,55	3	27,12	-0,39	73,93	14,23	-21,01	-12,67	62,05	14,34	-32,89	-13,16				

 3  
oo

# Efforts Tranchants dans les Poutres

PORTIQUE TRANSVERSAL 8 -

E. L.U

		1,35G + 1,5P + 1,5w		1,35G + P - 1,5w		1,35G + P + 1,5w		G + P + E		G + P - E		0,8G + E		0,8G - E			
Niv	Traçé	Tw	Te	Tw	Te	Tw	Te	Tw	Te	Tw	Te	Tw	Te	Tw	Te		
5	1-2	-7,42	-6,96	6,85	-6,84	6,66	-5,49	5,94	-6,14	7,54	-2,94	2,66	-7,11	4,77	-0,48	0,71	-4,54
	2-6	+7,09	-6,59	6,59	-7,09	6,35	-5,72	5,72	-6,35	6,99	-2,49	2,49	-6,99	4,39	-0,84	0,84	-4,34
	6-7	6,84	-6,85	6,26	-7,42	6,14	-5,94	5,42	-6,66	7,12	-2,66	2,94	-7,54	4,54	-0,71	0,48	-4,77
4	1-2	+7,83	-5,69	6,03	-7,49	7,23	-4,68	4,98	-6,93	9,95	0,29	-0,05	-9,71	6,81	1,66	-1,53	-6,68
	2-6	+7,55	-5,97	5,97	-7,55	6,95	-4,94	4,97	-6,95	9,28	-0,38	0,38	-9,28	6,29	1,13	-1,13	-6,29
	6-7	+7,49	-6,03	5,69	-7,93	6,93	-4,98	4,68	-7,23	9,71	0,05	-0,29	-9,95	6,68	1,53	-1,66	-6,81
3	1-2	+8,67	-4,85	5,19	-8,33	8,28	-3,63	3,93	-7,98	12,83	3,17	-2,93	-12,59	9,21	4,06	-3,93	-9,08
	2-6	+8,36	-5,17	5,17	-8,36	7,95	-3,96	3,96	-7,95	12,08	2,42	-2,42	-12,08	8,62	3,46	-3,46	-8,62
	6-7	+8,33	-5,19	4,85	-8,64	7,98	-3,93	3,63	-8,28	12,59	2,93	-3,17	-12,83	9,08	3,93	-4,06	-9,21
	1-2	+9,46	-4,06	4,40	-9,13	9,29	-8,64	2,94	-8,94	12,92	3,26	-3,02	-12,68	9,28	4,13	-4	-9,15
2	2-6	+9,07	-4,83	4,46	-8,69	8,84	-3,54	3,08	-8,39	11,19	-2,90	-1,53	-6,76	7,88	-0,94	-2,79	-4,19
	6-7	+8,33	-5,19	4,85	-8,69	7,98	-3,93	3,63	-8,29	12,59	2,93	-3,14	-12,83	9,08	3,93	-4,06	-9,20
1	1-2	+11,45	-4,33	4,70	-11,07	11,29	-2,72	2,86	-10,95	13,72	2,47	-2,2	-13,45	9,63	3,44	-3,63	-9,51
	2-6	+11,19	-4,59	4,99	-11,14	11,01	-2,79	2,79	-11,01	12,38	1,14	-1,14	-12,38	8,56	2,70	-2,70	-8,56
	6-7	+11,07	-4,70	4,33	-11,45	10,95	-2,86	2,52	-11,28	13,45	2,20	-2,47	-13,72	9,49	3,63	-3,44	-9,63

## PORTIQUE LONGITUDINAL 2

E.L.U

		E.L.U																			
Niv	Traveé	1,356+1,5P+1,2W				1,356+1,5P-1,2W				1,356+P+1,5W		1,356+P-1,5W		6+P+E		6+P-E		0,86+E		0,86-E	
		TW	Te	TW	Te	TW	Te	TW	Te	TW	Te	TW	Te	TW	Te	TW	Te	TW	Te		
5	A-B	42,50	-38,87	42,44	-38,93	38,05	-34,78	37,97	-34,87	31,42	-24,96	29,52	-28,86	18,19	-14,86	16,29	-16,76				
	B-D	38,93	-42,44	38,87	-42,51	34,87	-37,97	34,78	-38,05	28,86	-29,52	26,96	-31,42	16,76	-16,29	14,86	-18,19				
4	A-B	41,46	-39,10	41,25	-39,31	37,10	-34,92	36,84	-35,19	31,63	-26,15	27,69	-30,09	18,68	-13,89	14,74	-17,83				
	B-D	39,31	-41,25	39,1	-41,46	35,12	-36,84	34,92	-37,10	30,09	-27,69	26,15	-31,63	17,83	-14,74	13,89	-18,68				
3	A-B	41,54	-39,03	41,14	-39,44	37,22	-34,82	36,71	-35,33	32,76	-25,03	26,54	-31,25	19,82	-12,75	13,60	-18,97				
	B-D	39,44	-41,14	39,03	-41,54	35,33	-36,71	34,82	-37,22	31,25	-26,54	25,03	-32,76	18,97	-13,60	12,75	-19,82				
2	A-B	40,83	-39,73	40,52	-40,05	36,56	-35,47	36,17	-35,82	31,76	-26,02	26,58	-31,2	19,03	-13,54	13,85	-18,72				
	B-C	7,27	-10,32	6,82	-10,98	6,70	-9,25	6,13	-9,82	8,02	-4,65	8,14	-10,53	5,99	-1,51	0,12	-7,39				
	C-D	25,19	-25,16	24,86	-25,5	22,64	-22,49	22,22	-22,91	21,29	-14,85	14,63	-21,51	13,54	-7	6,88	-13,67				
1	A-B	40,95	-39,61	40,42	-40,14	36,70	-35,32	36,04	-35,98	31,91	-25,87	26,45	-31,33	19,17	-13,39	13,71	-18,85				
	B-C	3,13	-18,48	2,36	-19,25	2,98	-16,34	2,02	-17,30	6,01	-9,49	-2,05	-17,55	5,22	-3,52	-2,84	-11,58				

 55  
88

# Moments en travées

PORTIQUE TRANSVERSAL 8.

		E. L. U							
Niv	Travée	$1,356 + 1,5P + 1,2W$	$1,356 + 1,5P - 1,2W$	$1,356 + P + 1,5W$	$1,356 + P - 1,5W$	$G + P + E$	$G + P - E$	$0,86 + E$	$0,86 - E$
5	1	5,10	4,91	4,24	4	4,16	2,86	2,04	0,74
	2-6	4,60	4,60	3,71	3,71	3,21	3,21	1,15	1,15
	7	4,91	5,10	4	4,24	2,86	4,16	0,74	2,04
4	1	5,0f	4,54	4,25	3,52	4,48	2,24	2,39	0,15
	2-6	4,56	4,56	3,6f	3,6f	3,18	3,18	1,13	1,13
	7	4,54	5,0f	3,59	4,25	2,24	4,48	0,15	2,39
3	1	5,15	4,45	4,35	3,48	4,63	2,09	2,54	0,002
	2-6	4,56	4,56	3,6f	3,6f	3,18	3,18	1,13	1,13
	7	4,45	5,15	3,48	4,35	2,09	4,63	0,002	2,54
2	1	5,35	4,95	4,61	3,23	6,5f	0,15	4,48	-1,94
	2-6	4,56	4,56	3,6f	3,6f	3,18	3,18	1,13	1,13
	7	4,25	5,35	3,23	4,61	0,15	6,5f	-1,94	4,48
1	1	5,88	5,46	4,95	4,33	6,35	1,5f	3,83	-0,35
	2-6	5,40	5,40	4,32	4,32	3,76	3,76	1,28	1,28
	7	5,46	5,88	4,33	4,95	1,5f	6,35	-0,95	3,83

PORTIQUE LONGITUDINAL 2

Niv	Travée	$1,356 + 1,5P + 1,2W$	$1,356 + 1,5P - 1,2W$	$1,356 + 15W + Q$	$1,356 + Q - 1,5W$	$G + Q + E$	$G + Q - E$	$0,86 + E$	$0,86 - E$
5	A-B	103,93	103,8f	86,55	86,48	14,05	12,15	31,62	29,72
	B-D	103,8f	103,93	86,48	86,55	12,25	14,05	29,72	31,62
4	A-B	100,1f	99,98	82,82	82,58	11,9	68,64	30,04	26,78
	B-D	99,98	100,1f	82,58	82,82	68,74	11,80	26,78	30,04
3	A-B	99,95	99,f1	82,60	82,30	11,82	68,36	29,99	26,53
	B-D	99,f1	99,95	82,30	82,60	68,36	11,82	26,53	29,99
2	A-B	103,68	102,09	86,49	84,51	78,79	65,92	36,50	23,64
	B-C	-9,31	-12,1	-10,13	-13,61	9,6f	-26,05	9,45	-26,2f
	C-D	47,04	49,28	39,33	42,12	10,91	57,13	-7,79	38,43
1	A-B	103,34	102,35	86,08	84,85	17,43	67,21	35,16	24,94
	B-C	3,19	-0,04	1,98	-2,06	17,69	-16,05	14,92	-18,80

## PORTIQUE

## LONGITUDINAL 2

E.L.U

		E.L.U																
Niv	Poteau	1,356 + 1,5P + 1,2w	1,356 + 1,5P - 1,2w	1,356 + 1,5 + 1,5w	1,356 + P - 1,5w	G + P + 1,2E	B + P - 1,2E	0,8G + E	0,8G - E	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>							
5	A	-1,34	38,11	40,76	37,87	63,72	34	63	33,70	60,74	31,42	41,10	23,02	36,67	18,66	20,25	11,66	
	B	0,46	0,25	-0,46	-0,25	0,57	0,31	-0,57	-0,31	15,08	8,12	-1,508	-8,12	12,57	6,77	-12,57	-6,77	
	D	-10,76	-39,87	-41,34	-38,11	-63	-33,70	-63,72	-34	-41,10	-23,02	-60,74	-31,42	-20,25	-11,66	-36,61	-18,66	
4	A	43,53	14,24	41,97	40,21	39,07	36,93	31,72	35,64	46,34	39,66	14,92	18,70	8,15	24,98	3,97	7,52	
	B	1,16	0,948	-1,16	-0,948	1,45	1,18	-1,45	-1,18	23,86	19,51	-23,86	-19,51	19,88	16,26	-19,88	-16,26	
	D	-14,97	-40,21	-43,53	-41,24	-37,12	-35,64	-39,07	-36,93	-14,92	-18,70	-46,34	-39,66	-3,97	-7,52	-30,15	-24,98	
3	A	41,91	14,16	39,53	39,75	37,77	37,5	34,8	35,07	49,06	45,45	9,30	12,91	32,82	29,81	-0,32	2,69	
	B	1,97	-23,56	-1,97	-26,77	2,46	-20,4	-2,46	-24,42	32,94	8,92	-32,94	-44,98	27,45	12,44	-27,45	-32,48	
	D	-39,53	-20,47	-41,91	-22,42	-34,8	-17,91	-37,77	-20,34	-9,30	0,90	-49,06	-31,64	0,32	4,97	-32,82	-22,15	
2	A	41,77	14,17	39,68	39,68	37,59	34,98	34,98	44,24	44,24	14,12	14,12	28,80	28,80	3,70	3,70		
	B	-22,59	-22,12	-27,75	-27,28	-19,19	-18,59	-25,64	-25,64	19,22	19,60	-55,33	-55	21,06	21,21	-44,09	-40,95	
	C	2,88	-0,16	1,78	-1,27	2,77	0,06	1,39	-1,32	9,69	7,51	-6,35	-8,53	7,61	6,41	-5,75	-6,95	
	D	-6,96	-2,75	-9,86	-5,66	-5,69	-1,94	-9,32	-5,57	35,81	39,83	-47,87	-44,86	31,50	33,19	-38,24	-36,55	
1	A	42,17	24,49	39,27	16,23	38,10	23,30	34,41	12,98	45,12	59,95	13,24	-30,77	29,53	45,92	2,97	-29,68	
	B	-21,21	-7,10	-28,19	-17,59	-17,65	-14,45	-26,39	-17,56	20,7	48,75	-56,1	-66,45	22,13	43,06	-41,87	-52,94	
	C	0,025	0,40	-1,53	-1,16	0,30	0,64	-1,64	-1,31	7,94	8,21	-9,02	-8,75	6,77	6,92	-7,37	-7,22	

## **PORTIQUE TRANSVERSAL B**

E.L.U

E.L.U												
Niv	Pot	M <sub>Sup</sub>	M <sub>inf</sub>									
5	1	4,06	2,10	2,46	1,40	3,88	1,9f	1,8f	1,10	8,94	4,08	-4,28
	2-6	1,84	0,66	-1,24	-0,66	1,54	0,82	-1,54	-0,82	6,76	3,02	-4,26
	7	-2,46	-1,40	-4,06	-2,10	-1,8f	-1,10	-3,88	-1,9f	-1,58	-1,7	-1,53
4	1	4,04	3,26	-0,11	0,50	4,32	3,38	-0,8f	-0,07	10,10	5,44	-10,10
	2-6	3,13	2,56	-3,13	-2,56	3,91	3,19	-3,91	-3,19	8,42	4,53	-8,42
	7	0,11	-0,50	-4,04	-3,26	0,87	0,0f	-4,32	-3,38	4,26	1,70	-6,76
3	1	5,04	4,47	-1,29	-0,71	5,61	4,89	-2,31	-1,59	11,94	8,36	-9,14
	2-6	5,14	4,38	-5,14	-4,38	6,42	5,47	-6,42	-5,47	15,94	13,04	-15,94
	7	1,29	0,71	-5,04	-4,47	2,31	1,59	-5,61	-4,89	13,28	10,8f	-13,28
2	1	5,91	6,20	-2,15	-1,86	6,69	6,94	-3,39	-3,14	14,78	12,33	-12,1
	2-6	6,66	6,66	-6,66	-6,66	8,32	8,32	-8,32	-8,32	21,78	18,55	-21,78
	7	2,15	1,86	-5,91	-6,20	3,39	3,14	-6,69	-6,94	18,15	15,46	-18,15
1	1	6,46	11,08	-2,11	-8,91	7,26	13,45	-3,45	-11,54	15,46	10,45	-10,45
	2-6	9,14	8,78	-9,14	-8,78	11,43	10,98	-11,43	-10,98	10,49	8,45	-11,91
	7	2,11	8,91	-6,46	-11,08	3,45	11,54	-7,26	-13,45	9,29	9,19	-10,71

# Efforts Normaux dans les Poteaux

PORTIQUE TRANSVERSAL B

E.L.U

Niv	PoT	$1,35G + 1,5P + 1,2W$	$1,35G + 1,5P - 1,2W$	$1,35G + P + 1,5W$	$1,35G + P - 1,5W$	$G + P + 1,2E$	$G + P - 1,2E$	$0,86 + E$	$0,86 - E$
5	1	6,85	7,42	5,94	6,66	2,66	7,54	0,71	4,77
	2	13,43	13,36	11,86	11,77	9,91	9,23	5,42	4,86
	3-5	13,69	13,69	12,08	12,08	9,78	9,78	5,25	5,25
	6	13,69	13,43	11,77	11,86	9,23	9,91	4,86	5,42
	7	7,42	6,85	6,66	5,94	7,54	2,66	4,77	0,71
	1	12,88	15,25	10,92	13,89	2,61	17,49	-0,82	11,58
	2	26,89	26,60	23,76	23,40	20	18,22	10,96	9,48
4	3-5	27,21	27,21	23,99	23,99	19,44	19,44	10,40	10,40
	6	26,60	26,89	23,40	23,76	18,22	20	9,48	10,96
	7	15,25	12,88	13,89	10,92	17,49	2,61	11,58	-0,82
	1	18,07	23,92	14,85	22,17	-0,32	30,32	-4,75	20,73
	2	40,39	39,82	35,71	34,99	30,17	27,13	16,58	14,04
3	3-5	40,73	40,73	35,90	35,90	29,10	29,10	15,55	15,55
	6	39,82	40,39	34,99	35,71	30,17	27,13	16,58	14,04
	7	23,92	18,07	22,17	14,85	30,32	-0,32	20,73	-4,75
	1	22,47	33,39	17,79	31,44	-3,34	43,24	-8,75	30,07
	2	53,98	52,94	47,76	46,47	41,32	35,06	23,01	17,73
2	3-5	54,26	54,26	47,82	47,82	38,76	38,76	20,70	20,70
	6	52,94	53,98	46,47	47,76	35,06	41,32	17,73	23,01
	7	33,39	22,47	31,44	17,79	43,24	-3,34	30,07	-8,75
	1	27,17	44,84	20,64	42,72	-5,54	56,96	-12,38	39,70
	2	69,64	68,44	61,5	60	53,63	44,97	29,79	22,57
1	3-5	70,02	70,02	61,62	61,62	50	50	26,56	26,56
	6	68,44	69,64	60	61,50	44,97	53,63	22,57	29,79
	7	44,84	27,17	42,72	20,64	56,96	-5,54	39,70	-12,38

PORTIQUE LONGITUDINAL 2

		E.L.U							
Niv	Traveé	Ncum	Ncum	Ncum	Ncum	Ncum	Ncum	Ncum	Ncum
5	A	42,44	42,51	37,97	38,05	29,33	31,61	16,29	18,19
	B	77,80	77,80	69,65	69,65	56,96	54,68	32,57	30,67
	D	42,51	42,44	38,05	37,97	31,61	29,33	18,19	16,29
4	A	83,68	83,97	74,80	75,16	56,63	63,63	31,03	36,87
	B	156,216	156,216	139,77	139,77	112,06	112,06	63,33	63,33
	D	83,97	83,68	75,16	74,80	63,63	56,63	36,87	31,03
3	A	124,82	125,52	111,51	112,38	82,54	97,02	44,63	56,69
	B	234,69	234,69	209,92	209,92	168,34	168,34	95,04	95,04
	D	125,52	124,82	112,38	111,51	97,02	82,54	56,69	44,63
2	A	165,34	166,35	147,68	148,94	108,61	129,29	58,48	75,72
	B	281,56	281,7	251,91	252,09	201,61	202,45	113,87	114,57
	C	35,64	35,52	32,04	31,88	25,08	26,02	14,27	15,05
	D	151,02	149,99	135,29	134	119,19	96,73	70,36	51,64
1	A	205,76	207,30	183,72	185,64	134,51	161,75	72,19	94,89
	B	324,06	324,44	289,92	290,40	230,63	234,59	129,89	133,19
	C	85,53	86,79	78,73	67,81	63,99	63,11	22,58	21,84

PORTIQUE TRANSVERSAL C

Niv	Pot	Ncum							
2	1	6,99	7,63	6,04	6,84	1,66	8,77	-0,18	5,75
	2	13,04	12,94	11,51	11,38	9,82	8,73	5,41	4,50
	3-5	13,52	13,52	11,91	11,91	9,66	9,66	5,15	5,15
	6	12,94	13,04	11,38	11,51	8,73	9,82	4,50	5,41
	7	7,63	6,99	6,84	6,04	8,77	1,66	5,75	-0,18
1	1	14,98	16,92	12,69	15,12	1,59	21,13	-2,32	13,95
	2	30,70	30,43	27	26,66	23,34	20,28	12,75	10,19
	3-5	30,99	30,99	27,14	27,14	22,1	22,1	11,52	11,52
	6	30,43	30,70	26,66	27	20,28	23,34	10,19	12,75
	7	16,92	14,98	15,12	12,69	21,13	1,59	13,95	-2,32

# Moments dans les Poutres

PORTIQUE LONGITUDINAL 2

E.L.S

		G + P + 0,9W			G + P - 0,9W			G + 0,8P + W			G + 0,8P - W		
Niv	Travée	M <sub>W</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	M <sub>W</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	M <sub>W</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	M <sub>W</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>
5	A-B	51,14	69,48	73,12	50,70	69,14	73,08	48,08	65,31	66,17	47,60	64,93	66,12
	B-D	69,48	51,14	73,08	69,14	50,70	73,12	65,31	48,08	66,12	64,93	47,60	66,17
4	A-B	58,51	69,43	70,34	57,16	68,37	70,20	55,07	65,30	63,40	53,57	64,12	63,24
	B-D	69,43	58,51	70,20	68,37	57,16	70,34	65,30	55,07	63,24	64,12	53,57	63,40
3	A-B	59,65	69,99	70,18	57,09	67,81	70	56,24	65,92	63,24	53,40	63,50	63,04
	B-D	69,99	59,65	70	67,81	57,09	70,18	65,92	56,24	63,04	63,50	53,40	63,24
2	A-B	59,88	63,16	72,94	56,86	61,62	71,75	56,50	59,46	66,05	54,14	57,74	64,74
	B-C	28,68	21,08	-7,14	23,94	20,52	-9,23	27,36	19,86	-7,49	22,10	19,24	-9,81
	C-D	22,60	23,22	33,18	22,33	19,58	34,86	21,27	22,13	30,12	20,97	18,03	31,38
1	A-B	60,24	63,62	55,68	56,50	61,37	54,94	56,90	59,95	48,77	52,74	57,45	47,95
	B-D	29,830	2,08	2,02	23,03	0,08	-0,41	28,62	2,12	1,51	21	-0,098	-1,19

PORTIQUE TRANSVERSAL B

		G + P + 0,9W			G + P - 0,9W			G + 0,8P + W			G + 0,8P - W		
Niv	Travée	M <sub>W</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	M <sub>W</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	M <sub>W</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>	M <sub>W</sub>	M <sub>e</sub>	M <sub>t</sub>
5	1	2,93	3,70	3,58	1,73	2,78	3,44	2,85	3,54	3,24	1,51	2,52	3,08
	2-6	3,70	3,70	3,21	2,78	2,78	3,21	3,54	3,54	2,86	2,52	2,52	2,86
	7	3,70	2,93	3,44	2,78	1,73	3,58	3,54	2,85	3,08	2,52	1,51	3,24
4	1	4,48	4,62	3,56	0,84	1,78	3,16	4,50	4,57	3,23	0,46	1,41	2,79
	2-6	4,62	4,62	3,18	1,78	1,78	3,18	4,57	4,57	2,83	1,41	4,41	2,83
	7	4,62	4,48	3,16	1,78	0,84	3,56	4,57	4,50	2,79	1,41	0,46	3,23
3	1	6,08	6,08	3,62	-0,74	0,32	3,10	6,28	6,19	3,30	-1,30	-0,21	2,78
	2-6	6,08	6,08	3,18	0,32	0,32	3,18	6,19	6,19	2,83	-0,21	-0,21	2,83
	7	6,08	6,08	3,10	0,32	-0,74	3,62	6,19	6,28	2,72	-0,21	-1,30	3,80
2	1	7,64	7,34	3,77	-2,30	-0,94	2,95	8,01	7,59	3,47	-3,03	-1,61	2,55
	2-6	7,34	7,34	3,18	-0,94	-0,94	3,18	7,59	7,59	2,83	-1,61	-1,61	-1,61
	7	7,34	7,64	2,95	-0,94	-2,30	3,77	7,59	8,01	2,55	-1,61	-3,03	3,47
1	1	9,36	9,64	4,18	-3,12	-2,20	3,80	9,83	10,04	3,70	-4,03	-3,12	3,35
	2-6	9,64	9,64	3,76	-2,20	-2,20	3,76	10,04	10,04	3,33	-3,12	-3,12	3,33
	7	9,64	9,36	3,80	-2,20	-3,12	4,12	10,04	9,83	3,35	-3,12	-4,03	3,70

# Efforts dans les Poteaux

PORTEQUE LONGITUDINAL 2

E.L.S

		G + P + 0,9 W				G + P - 0,9 W				G + 0,8 P + W				G + 0,8 P - W			
Niv	Pot	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	
5	A	30,44	5,14	27,31	30,49	50,70	27,13	28,66	48,08	25,67	28,71	47,60	25,47				
	B	55,82	0,34	0,19	55,82	-0,34	-0,19	52,56	0,38	0,21	52,56	-0,38	-0,21				
	D	30,49	-50,70	-27,13	30,44	-51,14	-27,31	28,71	-47,60	-25,47	28,66	-48,08	-25,67				
4	A	60,02	31,21	29,57	60,24	30,04	28,79	56,47	29,42	27,84	56,71	28,12	26,98				
	B	112,06	0,87	0,71	112,06	-0,87	-0,71	105,48	0,97	0,79	105,48	-0,97	-0,79				
	D	60,24	-30,04	-28,79	60,02	-31,21	-29,57	56,71	-28,12	-26,98	56,47	-29,42	-27,84				
3	A	89,52	30,07	29,91	90,04	28,29	28,45	84,2	28,40	28,22	84,78	26,42	27				
	B	168,34	1,48	1,21	168,34	-1,48	-1,21	158,43	1,64	1,34	158,43	-1,64	-1,34				
	D	90,04	-28,29	-14,64	89,52	-30,07	-16,10	84,78	-26,42	-13,63	84,2	-28,40	-15,95				
2	A	118,57	29,96	29,96	119,33	28,39	28,39	111,52	28,28	28,28	112,36	26,54	26,54				
	B	201,98	-16,09	-15,76	202,08	-19,96	-19,53	190,12	-14,78	-14,48	190,24	-19,08	-18,78				
	C	25,59	2,08	-0,13	25,50	1,26	-0,95	24,15	2,03	-0,05	24,05	1,11	-0,97				
	D	108,35	-4,94	-1,93	107,57	-7,12	-4,10	102,05	-4,46	-1,62	101,19	-6,88	-4,04				
1	A	147,55	30,27	17,69	148,71	28,09	11,49	138,75	28,62	17,14	140,03	26,20	10,26				
	B	232,47	-15,08	-4,92	232,75	-20,32	-18,78	218,81	-13,72	-3,94	219,13	-19,54	-12,68				
	C	63,88	0,04	0,31	63,22	-1,12	-0,85	56,74	0,14	0,4	56,02	-1,16	-0,9				

PORTEQUE TRANSVERSAL C

E.L.S

		G + P + 0,9 W				G + P - 0,9 W				G + 0,8 P + W				G + 0,8 P - W			
Niv	Pot	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	
2	1	4,98	3,99	3,23	5,46	2,66	1,90	4,60	3,85	3,12	5,14	2,37	1,65				
	2	9,32	0,98	0,98	9,24	-0,98	-0,98	8,70	1,09	1,09	8,62	-1,09	-1,09				
	3-5	9,66	0,98	0,98	9,66	-0,98	-0,98	9,02	1,09	1,09	9,02	-1,09	-1,09				
	6	9,94	0,98	0,98	9,32	-0,98	-0,98	8,62	1,09	1,09	8,70	-1,09	-1,09				
	7	5,46	-2,66	-1,9	4,98	-3,99	-3,23	5,14	-2,37	-1,65	4,60	-3,85	-3,12				
1	1	10,63	3,24	2,47	12,09	1,90	0,1	9,73	3,12	2,51	11,35	1,64	+0,12				
	2	21,91	1,04	1,04	21,71	-1,04	-1,04	20,43	1,15	1,15	20,20	-1,15	-1,15				
	3-5	22,1	1,04	1,04	22,1	-1,04	-1,04	20,56	1,15	1,15	20,56	-1,15	-1,15				
	6	21,71	1,04	1,04	21,91	-1,04	-1,04	20,20	1,15	1,15	20,43	-1,15	-1,15				
	7	12,09	-1,90	-0,1	10,63	-3,24	-2,47	11,35	-1,64	-0,12	9,73	-3,12	-2,51				

		G + P + 0,9W			G + P - 0,9W			G + 0,8P + W			G + 0,8P - W		
Niv	POT	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>	N <sub>cum</sub>	M <sub>sup</sub>	M <sub>inf</sub>
5	1	4,88	2,93	1,51	5,32	1,73	0,99	4,52	2,85	1,46	5	1,51	0,88
	2	9,60	0,33	0,49	9,54	-0,93	-0,49	8,97	1,03	0,55	8,91	-1,03	-0,55
	3-5	9,78	0,93	0,49	9,78	-0,93	-0,49	9,14	1,03	0,55	9,14	-1,03	-0,55
	6	9,54	0,93	0,49	9,60	-0,93	-0,49	8,91	1,03	0,55	8,97	-1,03	-0,55
	7	5,32	-1,73	-0,99	4,88	-2,93	-1,51	5	-1,51	-0,88	4,52	-2,85	-1,46
	1	9,16	2,96	2,37	10,94	-0,16	0,30	8,39	3,04	2,4	10,37	-0,42	0,10
	2	19,22	2,35	1,92	19	-2,35	-1,92	17,96	2,61	2,13	17,72	-2,61	-2,13
4	3-5	19,44	2,35	1,92	19,44	-2,35	-1,92	18,15	2,61	2,13	18,15	-2,61	-2,13
	6	19	2,35	1,92	19,22	-2,35	-1,92	17,72	2,61	2,13	17,96	-2,61	-2,13
	7	10,94	0,16	-0,30	9,16	-2,96	-2,37	10,37	0,42	-0,10	8,39	-3,04	-2,4
	1	12,80	3,72	3,28	17,20	-1,04	-0,6	11,56	3,89	3,41	16,44	-1,39	-0,91
	2	28,87	3,85	3,28	28,43	-3,85	-3,28	26,99	4,28	3,65	26,51	-4,28	-3,65
3	3-5	29,1	3,85	3,28	29,1	-3,85	-3,28	27,17	4,28	3,65	27,17	-4,28	-3,65
	6	28,43	3,85	3,28	28,87	-3,85	-3,28	26,51	4,28	3,65	26,99	-4,28	-3,65
	7	17,20	1,04	0,6	12,80	-3,72	-3,28	16,44	1,39	0,91	11,56	-3,89	-3,41
	1	15,85	4,36	4,57	24,04	-1,68	-1,47	14,07	4,61	4,80	23,17	-2,11	-1,92
	2	38,58	4,99	4,99	37,80	-4,99	-4,99	36,08	5,55	5,55	35,22	-5,55	-5,55
2	3-5	38,76	4,99	4,99	38,76	-4,99	-4,99	36,84	5,55	5,55	36,84	-5,55	-5,55
	6	37,80	4,99	4,99	38,58	-4,99	-4,99	35,22	5,55	5,55	36,08	-5,55	-5,55
	7	24,04	1,68	1,47	15,85	-4,36	-4,57	23,17	2,11	1,92	14,07	-4,61	-4,80
	1	19,09	4,76	8,27	32,33	-1,66	-6,72	16,62	5,01	9,05	31,34	-2,13	-7,61
	2	49,75	6,86	6,59	48,85	-6,86	-6,59	46,49	7,62	7,32	45,49	-7,62	-7,32
1	3-5	50	6,86	6,59	50	-6,86	-6,59	46,64	7,62	7,32	46,64	-7,62	-7,32
	6	48,85	6,86	6,59	49,75	-6,86	-6,59	45,49	7,62	7,32	46,49	-7,62	-7,32
	7	32,33	1,66	6,72	19,09	-4,76	-8,27	31,34	7,61	-5,01	16,62	-5,01	-9,05

E.L.U

		E.L.U											
Niv	Pot	Msup	Minf	Msup	Minf	Msup	Minf	Msup	Minf	G + P + 1,2E	G + P - 1,2W	0,86 + E	0,86 - E
2	1	5,55	4,49	3,78	2,72	5,21	4,25	3	2,04	13,17	12,41	-6,51	-7,27
	2-6	1,30	1,30	-1,30	-1,30	1,63	1,63	-1,63	-1,63	14,52	14,52	-14,52	-14,52
	7	-3,78	-2,72	-5,55	-4,49	-3	-2,04	-5,21	-4,25	6,51	-7,27	-13,17	-12,41
1	1	4,50	3,38	2,72	0,22	4,25	3,55	2,03	0,40	10	14,51	-4,87	-11,94
	2-6	1,38	1,69	-1,38	-1,69	1,73	2,11	-1,73	-2,11	10,56	15,19	-10,56	-15,19
	7	-2,72	-0,22	-4,50	-3,38	-2,03	-0,4	-4,25	-3,55	4,87	11,94	-10	-14,51

## **CHAPITRE 11**

### **FERRAILLAGE DES ELEMENTS**

# Ferraillage des éléments

## INTRODUCTION

A la lumière des résultats des chapitres précédents, nous nous proposons de déterminer les sections d'aciés nécessaires à la résistance et à la stabilité des éléments constitutifs de notre ouvrage.

Le calcul de ces sections sera mené selon les règles du béton armé aux états limites (BAEL 83) qui tendent à remplacer les règles aux contraintes admissibles (CCBA 68) dont l'inadéquation est aujourd'hui démontrée, insuffisance qui transparaît à travers les deux principales raisons suivantes :

- les règles C.C.B.A. 68 ne tiennent pas compte de la possibilité de plastification de la section qui permet, après le dépassement de la limite élastique, une augmentation du moment fléchissant de 50% pour une section rectangulaire
- les règles C.C.B.A. 68 ne sont pas en mesure de garantir une sécurité suffisante vis à vis d'une augmentation accidentelle des charges appliquées, ce qui a été à l'origine de nombreux accidents.

Les règles B.A.E.L ont palier ces problèmes en faisant travailler les matériaux dans le domaine plastique et en adoptant des combinaisons d'actions avec des coefficients qui tiennent compte d'une part de la variation possible, dans le cas défavorable, des intensités des actions, d'autre part de la probabilité de ces

Combinaisons dans lesquelles les actions auraient leurs valeurs.

## DIMENSIONNEMENT

Une section d'un élément peut avoir un ou plusieurs des quatre modes de travail suivants :

- Compression centrée

- Traction simple

- Flexion simple

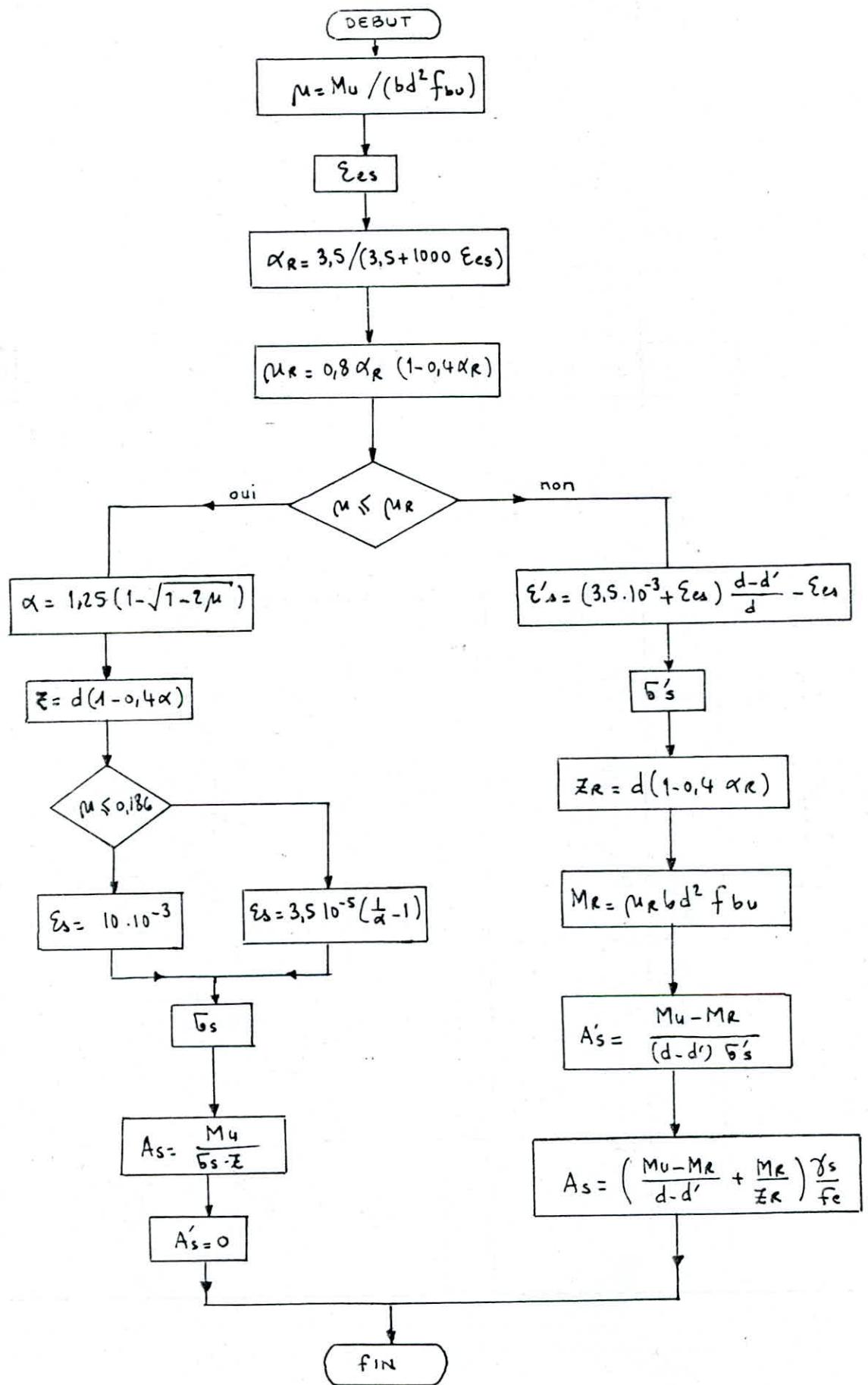
- Flexion composée

Pour les deux derniers modes nous avons établi des programmes pour le calcul des sections d'armature et vérification des contraintes ; vérification de l'état limite de compression du béton ( $\sigma_{bc}$ ) et de l'état limite d'ouverture des fissures ( $\sigma_s$ ). Le calcul est fait à l'état limite ultime et la vérification à l'état limite de service et ça pour des sections rectangulaires, ou en Té. Nous exposons dans ce qui suit les étapes de calcul à partir du cours de béton armé de M. Paul Dinnéquin pour une section rectangulaire.

### • / Flexion simple :

- Hypothèses de calcul : ils sont données dans le chapitre 2

- les étapes de calcul sont dans l'organigramme suivant :



## 1 vérification des contraintes

Pour le calcul des contraintes on doit trouver d'abord la position de l'axe neutre ( $y$ ).  $y$  est racine de l'équation

$$\frac{b_0 y^2}{2} + 15y(A+A') - 15[A'd'+Ad] = 0$$

- On calcule ensuite le moment d'inertie de la section homogénéisée

$$I = \frac{b_0 y^3}{3} + 15A'(y-d')^2 + 15A(d-y)^2$$

Les contraintes sont alors :

$$\sigma_{bc} = M_{ser} y / I ; \sigma_s = 15 M_{ser} \frac{d-y}{I} ; \sigma'_s = 15 M_{ser} \frac{y-d'}{I}$$

On doit vérifier :

$$\sigma_{bc} \leq \bar{\sigma}_{bc} ; \sigma_s \leq \bar{\sigma}_s \text{ et } \sigma'_s \leq \bar{\sigma}_s$$

## •/ Flexion COMPOSÉE

- Hypothèses de calcul : données dans le chapitre 2.

- Etapes de calcul :

Le système  $N_u, M_u$  est équivalent à une force unique  $N_u$  appliquée en un point  $c$  appelé centre de pression contenu dans le plan de symétrie et tel que :  $e_0 = M_u / N_u$

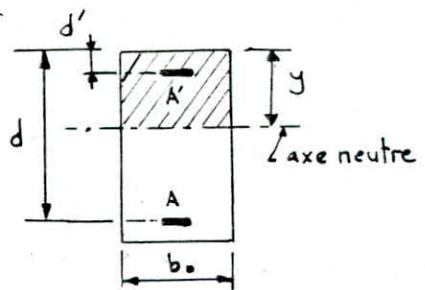


les sollicitations à considérer à L'ELU sont :

- si  $N_u$  est une traction ( $N < 0$ ) :

$$N_u = \sum \gamma_i N_i ; M_u = \sum \gamma_i M_i$$

$\gamma_i$ : coefficients de sécurité relatifs aux diverses actions



- Si  $N_u$  est une compression ( $N_u > 0$ ) :

les sections ainsi chargées doivent en principe être vérifiées vis à vis de l'état limite de stabilité de forme (flambement)

toute fois lorsque l'élancement mécanique

$$\lambda \leq 50$$

$$\lambda = \frac{l_f}{i_{min}} \quad \text{avec} \quad i_{min} = \sqrt{I_{min}/B} \quad B: \text{section béton}$$

on peut effectuer des calculs en flexion composée à condition:

- 1- d'introduire dans la direction la plus défavorable une excentricité accidentelle  $e_A$  traduisant les imperfections géométriques

$$e_A = \max(2\text{cm}, l/250) \quad l: \text{longueur de l'élément}$$

- 2- d'opérer avec les sollicitations majorées par les coefficients suivants:

$$\gamma_f = 1 + 0.2 \left( \frac{\lambda}{35} \right)^2 \quad \text{si } e_0/h \leq 1$$

$$\gamma_f = 1 + 0.2 \left( \frac{\lambda}{35} \right)^2 \cdot \frac{h}{e_0} \quad \text{si } e_0/h > 1$$

$$N_u = \gamma_f \sum \gamma_i N_i \quad \text{et} \quad M_u = \gamma_f \sum \gamma_i M_i + N_u e_A$$

Nous ferons la réduction des forces au centre de gravité des armatures tendues :

$$N_{uA} = N_u \quad \text{et} \quad M_{uA} = M_u + N_u (d - h/2)$$

En flexion composée quatre situations peuvent se présenter :

- 1- la section est entièrement comprimée (SEC)
- 2- la section est entièrement tendue (SET)
- 3- la section est partiellement comprimée (SPC)
- 4- la section est partiellement comprimée surabondante (SPCS)

On pose : avec  $c$ : eurobage ;  $d$ : hauteur utile

$$T_1 = (d-c)Nu - Mu_A \quad ; \quad T_2 = (0,337 - 0,81 \frac{c}{h})bh^2 f_{bu}.$$

$$T_3 = (0,5 - \frac{c}{h})bh^2 f_{bu} \quad ; \quad T_4 = 0,81 bh f_{bu}$$

$$T_5 = Nu d \left( 1 - 0,514 - \frac{Nu}{bd f_{bu}} \right) \quad ; \quad T_6 = bh^2 f_{bu} \left( \frac{5}{14} - \frac{Nu}{bh f_{bu}} \cdot \left( \frac{6}{7} - \frac{d}{h} \right) \right)$$

1°) Si  $Nu < T_4$  et  $Mu_A < T_5$  ou  $Nu > T_4$  et  $Mu_A < T_6$  alors la section est surabondante ou a  $A_s = A'_s = 0$

2°) si  $T_1 \leq T_2$  la section est partiellement comprimée, on suit l'organigramme de flexion simple avec  $Mu = Mu_A$

a- si  $\mu \leq \mu_R \rightarrow A'_s = 0$

$$A_s = \frac{Mu_A}{Z \bar{\epsilon}_s} - \frac{Nu}{\bar{\epsilon}_s} ; Z = d(1 - 0,4\alpha)$$

b- si  $\mu > \mu_R \rightarrow A'_s = \frac{Mu_A - Mu_R}{(d-c) \bar{\epsilon}_s}$

$$A_s = \left( \frac{Mu_A - Mu_R}{(d-c)} + \frac{M_R}{Z_R} - Nu \right) \frac{\bar{\epsilon}_s}{f_e}$$

si  $A_s < 0 \rightarrow$  prendre  $A_s = 0$

et  $A'_s = \frac{N - 0,8x b f_{bu}}{\bar{\epsilon}'_s}$  avec  $0,8x = c + \sqrt{c^2 + \frac{2(d-c)Nu - Mu_A}{b f_{bu}}}$

3°) si  $T_2 \leq T_1 \leq T_3$  la section est entièrement comprimée

$$A'_s = \frac{Nu - (1-x)bh f_{bu}}{\bar{\epsilon}'_s} \quad ; \quad x = \frac{0,5 - c/h - \frac{(d-c)Nu - Mu_A}{bh^2 f_{bu}}}{\frac{6}{7} - \frac{c}{h}}$$

$$A_s = 0$$

si  $T_1 > T_3$  la section est entièrement comprimée avec armatures inférieures.

$$A'_s = \frac{Mu_A - bh f_{bu} (d-h/2)}{(d-c) \cdot \bar{\epsilon}'_s} \quad \text{avec } \bar{\epsilon}'_s = \bar{\epsilon}_s (2/..)$$

$$A_s = \frac{Nu - bh f_{bu}}{\bar{\epsilon}'_s} - A'_s$$

$$4) \text{ si } N_u < 0 \quad (\text{traction}) \text{ et } -(d - \frac{h}{2}) < e < (d - h/2)$$

la section est entièrement tendue

$$A's = \frac{M_u A}{(d-c) \bar{\epsilon}_s} \quad \text{avec} \quad \bar{\epsilon}_s = \bar{\epsilon}_s (10\%)$$

$$A_s = \frac{N_u}{\bar{\epsilon}_s} - A's$$

### 1/ vérification des contraintes :

cas d'une section partiellement comprimée

la distance  $y_c$  (même signe que  $N_{ser}$ )

est racine de l'équation :

$$y_c^3 + py_c + q = 0$$

avec en posant  $K = d - e_A$

$$p = -3K^2 - g_0 A' (K - d')/b_0 + g_0 A (d - K)/b_0$$

$$q = -2K^3 - g_0 A' (K - d')^2/b_0 - g_0 A (d - K)^2/b_0$$

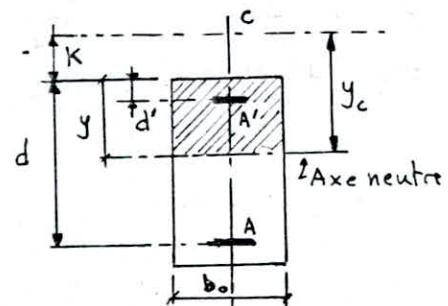
Cette équation peut-être résolue par une méthode itérative, ou utilisée pour cela la méthode de Newton.

On a ensuite avec

$$y = y_c + K \quad \text{et} \quad I = b_0 y^3/3 + 15 A' (y - d')^2 + 15 A_s (d - y)^2$$

$$\bar{\epsilon}_{bc} = N_{ser} y_c (y_c + K) / I \quad , \quad \bar{\epsilon}_s = 15 \bar{\epsilon}_{bc} \cdot (d - y_c - K) / (y_c + K)$$

$$\text{et} \quad \bar{\epsilon}'_s = 15 N_{ser} (K + y_c - d') \cdot y_c / I .$$



# Ferraillage des Poutres

Les poutres se calculent en flexion simple, il ne sera tenu compte que des moments fléchissants et efforts tranchant sollicitant celles-ci. Par simplification, on ne fait pas état, dans le calcul, des efforts normaux (BAEL art F.2.4.8).

On calcule les poutres sous deux sollicitations :

1<sup>o</sup>) A l'état limite ultime en situation durable :

$$\text{avec } f_{bu} = \frac{0,85 f_{c28}}{1,5} = 14,17 \text{ MPa}$$

$$f_s = f_e / 1,15 = 400 / 1,15 = 348 \text{ MPa}$$

2<sup>o</sup>) A l'état limite ultime en situation accidentelle :

$$\text{avec } f_{bu} = \frac{0,85 f_{c28}}{1,15} = 18,48 \text{ MPa}$$

$$f_s = f_e / 1 = 400 \text{ MPa.}$$

A l'état limite de service (ELS) : on procédera à une vérification des contraintes ; une vérification de l'état limite de compression du béton, de déformation et d'ouverture de fissures.

## RECOMMANDATIONS DU RPA (art 4.2.3.2) :

- Le % minimal total des aciers longitudinaux est de 0,3% (acières à haute adhérence) soit :

$$\begin{array}{ll} \text{poutre } 110 \times 40 & \rightarrow A_{se \ min} = 13,2 \text{ cm}^2 \\ \text{poutre } 50 \times 35 & \rightarrow A_{se \ min} = 5,25 \text{ cm}^2 \end{array} \quad | \text{ sur toute la longueur}$$

Le % maximal total est de 2,5%.

$$\begin{array}{ll} \text{poutre } 110 \times 40 & \rightarrow A_{se \ max} = 110 \text{ cm}^2 \\ \text{poutre } 110 \times 35 & \rightarrow A_{sl \ max} = 43,75 \text{ cm}^2 \end{array}$$

- Les poutres supportant de faibles charges verticales et sollicitées

principalement par les forces sismiques, doivent avoir des armatures symétriques avec une section en travée au moins égale à la moitié de celle des appuis.

- les poutres porteuses doivent comporter des armatures filantes (supérieures et inférieures) comme indiqué par la fig. ci-dessous

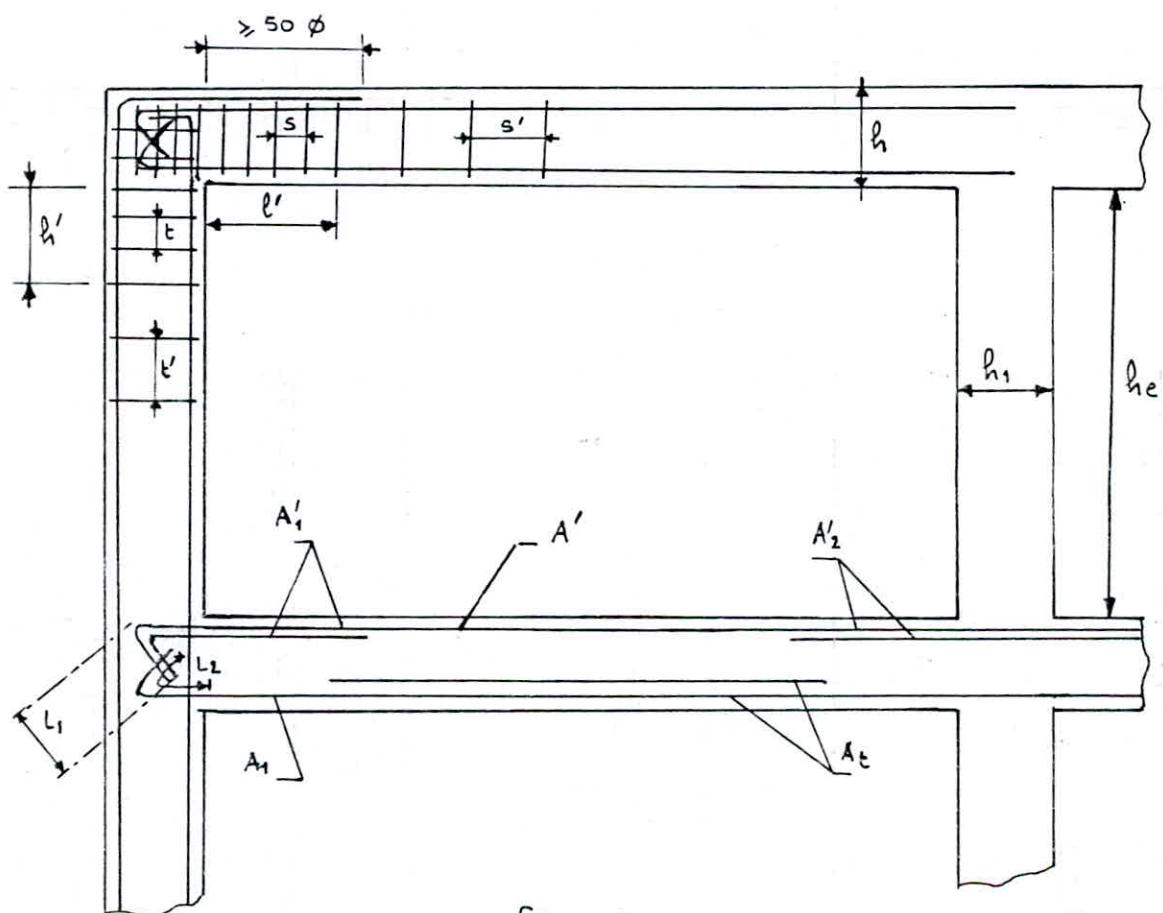


fig -1 -

$$l' = 2h_1, \quad h' = \max\{h_e/6, b_1; h_1; 60 \text{ cm}\}$$

$$t \leq \min(10\phi; 15 \text{ cm}) \quad (\text{Zone I, II}) \quad ; \quad t' \leq 12\phi \quad (\text{Zone I, II})$$

$$s \leq \min(h/4; 12\phi; 30 \text{ cm}) \quad ; \quad s' \leq h/2.$$

$$A' \geq \max(A'_1/4, A'_2/4; 3 \text{ cm}^2) \quad \text{et} \quad A_t \geq \max(A_1/4; A_t/4; 3 \text{ cm}^2)$$

- Les jonctions par recouvrement doivent pouvoir équilibrer la force de traction maximale.

## VERIFICATIONS DIVERSES

- Les recommandations du RPA concernant les sections d'armatures longitudinales (% max, min) sont respectées.
- Condition de non fragilité : (BAEL 83 art A.4.2.1).

Elle est donnée par :

$$\beta = \frac{A}{b \cdot d} \geq 0,23 \frac{f_{t28}}{f_e} \Rightarrow A \geq 0,23 b \cdot d f_{t28} / f_e$$

poutre 110x40  $\Rightarrow A_{min} = 4,83 \text{ cm}^2$

poutre 50x35  $\Rightarrow A_{min} = 1,9 \text{ cm}^2$

Cette condition comme le calcul des contraintes est incluse dans le programme. Elle est vérifiée dans tous les cas.

- Vérification des contraintes :

Les contraintes calculées sont données sous forme de tableaux toutes les contraintes sont vérifiées.

$$\bar{\sigma}_{bc} < \bar{\sigma}_{bc} ; \bar{\sigma}_s, \bar{\sigma}_{s'} \text{ et } \bar{\sigma}'_s < \bar{\sigma}_s .$$

- Etat limite de déformation (BAEL 83 - art A.4.6.2)

les conditions qui dispensent d'un calcul de flèche énoncées dans l'article B.6.5 du BAEL 83 à savoir :

$$\frac{h}{l} \leq \max \left[ \frac{M_t}{10 M_o} ; \frac{1}{16} \right] \text{ et } \frac{A}{b \cdot d} \leq 4,2 / f_e ,$$

n'étant pas applicable pour notre cas, on procède donc à un calcul de flèche suivant les principes exposés en B.6.5.2 du BAEL.

On prendra pour cela la poutre la plus sollicitée. avec :

$$M_{t,ser} = 54,94 \text{ t.m} \quad \text{et} \quad M_{t(G)} = 38,34 \text{ t.m}$$

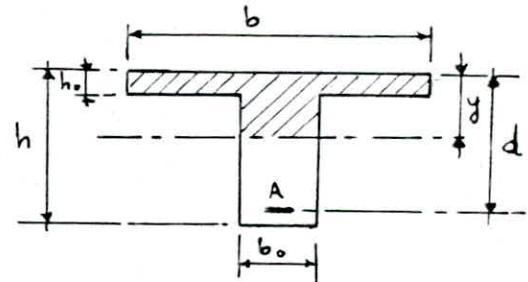
$$l = 14,4 \text{ m}$$

• Données :

$$h_0 = 0,15 \text{ m} , h = 1,1 \text{ m} , b = 3,28 \text{ m}$$

$$b_0 = 0,4 \text{ m} ; d = 1 \text{ m}$$

$$A = 37,68 \text{ cm}^2$$



•/ Position de l'axe neutre : à partir de l'équation du 1<sup>er</sup> statique

$$y = \frac{-K_2 + \sqrt{K_2^2 - 4 K_1 K_3}}{2 K_1} \quad \text{avec :}$$

$$K_1 = b_0/2 ; K_2 = (b-b_0)h_0 + 15A$$

$$K_3 = -(b-b_0) \frac{h_0^2}{2} - 15A \cdot d . \quad K_4 = K_2^2 - 4 K_1 \cdot K_3$$

$$\Rightarrow y = 0,17 \text{ m}$$

•/ Moment d'inertie de la section totale homogénéisée :

$$I_o = \frac{b_0}{3} (y^3 + (h-y)^3) + (b-b_0)h_0 \left[ \frac{h_0^2}{12} + (y-h_0/2)^2 \right] + 15A(d-y)^2$$

$$I_o = 0,122 \text{ m}^4 .$$

•/ Expressions des flèches :

$$\text{- Déformations instantanées (i)} \quad f_i = M\ell^2 / (10 E_i I_{fi}) .$$

$$\text{- Déformations de longue durée (v)} \quad f_v = M\ell^2 / (10 E_v I_{fv}) .$$

avec les moments d'inertie fictifs :

$$I_{fi} = I_o / (1 + \lambda_i \mu) \quad ; \quad I_{fv} = I_o / (1 + \lambda_v \mu) .$$

$$\lambda_i = \frac{0,05 f_{tz8}}{(2+3b_0/b) g} \quad \text{et} \quad \lambda_v = \frac{2}{5} \lambda_i .$$

$$E_i = 32164 \text{ MPa} ; E_v = 10819 \text{ MPa} ; f_{tz8} = 2,1 \text{ MPa} .$$

$$\text{et} \quad \mu = 1 - \frac{1,75 f_{tz8}}{4g\bar{f}_s + f_{tz8}} \quad (\mu > 0)$$

$\bar{f}_s$  : pourcentage de l'armature tendue à la section utile

$$\text{de la nervure} ; \quad \bar{f}_s = \frac{A}{b_0 d} \cdot 100\% = 0,94\% \Rightarrow$$

$$\lambda_i = 4,72 \text{ et } \lambda_v = 1,89 .$$

$\sigma_s$  : contrainte effective de traction de l'armature A déterminée parmi le cas de charge (G ou G+P) par

$$\sigma_s = \frac{M}{\beta d \cdot A}$$

avec  $\alpha = y/d$  et  $\beta = 1 - \alpha/3$ .

$$\alpha = 0,17 \rightarrow \beta = 0,943.$$

- / flèche totale :  $f_t = f_{Gr} + f_{(G+P)i} - f_{Gi}$ .

sous G :  $M = 38,34 \text{ t.m.}$

$$\sigma_s = 107,9 \text{ MPa} \Rightarrow \mu = 0,403$$

$$\lambda_i = 4,72 \text{ et } \lambda_r = 1,89$$

$$I_{fi} = 4,2 \cdot 10^{-2} \text{ m}^4, I_{fr} = 6,93 \cdot 10^{-2} \text{ m}^4$$

$$\Rightarrow f_{Gi} = 0,59 \text{ cm ; } f_{Gr} = 1,06 \text{ cm}$$

sous G+P  $M = 54,94 \text{ t.m.}$

$$\sigma_s = 205,78 \text{ MPa} \Rightarrow \mu = 0,626$$

$$I_{fi} = 3,08 \cdot 10^{-2} \text{ m}^4 \Rightarrow f_{(G+P)i} = 1,15 \text{ cm}$$

$$\text{flèche totale } f_t = 1,15 - 0,59 + 1,06 = 1,62 \text{ cm.}$$

- flèche admissible

$l$ : longueur entre les appuis

$$l = 14,4 \text{ m}$$

$$\bar{f} = 0,5 \text{ cm} + \frac{l}{1000} = 1,94 \text{ cm}$$

$$f_t = 1,62 < \bar{f} = 1,94$$

La flèche est donc vérifiée.

• Vérification de l'adhérence. (art. A.6.1. BAEL)

La liaison entre une armature et le béton est mesurée par la contrainte d'adhérence  $T_s$  donnée par  $T_s = \frac{1}{u} dF/dx$ .

où  $dF/dx$ : augmentation par unité de longueur de l'effort axial exercé sur l'armature -  $u$  périmètre utile de l'armature toutes les barres doivent être ancrées d'une longueur  $l_a = 40 \phi$  ( $\phi$  diamètre de la barre HA).

Sur toute la longueur d'ancrage la contrainte d'adhérence est supposée constante et égale à sa valeur limite

$$\bar{T}_s = 0,6 \psi_s f_{t28}$$

$\psi_s$ : coefficient de scellement  $\rightarrow$  barre HA :  $\psi_s = 1,5$ .

De plus on doit vérifier que la contrainte d'entraînement des barres reste admissible.

$$T_{se} = \frac{V_u}{0,9 d U_i} \cdot \frac{A_{si}}{A_s} \quad \leftarrow \bar{T}_{se} = \psi_s f_{t28}$$

$V_u$ : effort tranchant . .  $U_i$  : périmètre du paquet de barre

$A_s$ : section totale des armatures tendues

$A_{si}$ : section d'une barre (i),

$$\bar{T}_{se} = 1,5 \cdot 2,1 = 3,15 \text{ MPa}$$

$$l_a = 40 \times 2 = 80 \text{ cm.}$$

## EFFORT TRANCHANT / ARMATURES TRANSVERSALES .(BAEL art A 51)

Les poutres soumises à des efforts T sont justifiées vis à vis de l'état limite ultime. Cette justification concerne les armatures transversales et les zones d'appuis .

La justification de l'âme d'une poutre est conduite à partir de la contrainte tangente prise égale à

$$T_u = \frac{V_u}{b_0 d}$$

$V_u$ : effort tranchant à l'ELU ;  $b_0$ : largeur de l'âme  
 $d$ : hauteur utile de la poutre.

- Contrainte tangentielle limite :

$$\bar{T}_u = \min \left[ \left( 0,03 + 0,08 \cdot \frac{30}{\alpha} \right) f_{c28} ; 0,5 + 2,5 \cdot \frac{30}{\alpha} \right] \text{ MPa}$$

pour fissuration préjudiciable . - avec  $\alpha$ : inclinaison des armatures transversales.

- Armatures transversales :

Le béton par sa faible résistance en traction ne peut équilibrer les contraintes de traction engendrées par l'effort tranchant , il est nécessaire de palier cette insuffisance par des armatures qui vont couvrir les fissures . Leurs disposition logique est donc perpendiculaire à la section et dirigée vers l'about de la poutre - Cependant pour faciliter la réalisation et parce que leur efficacité est peu améliorée , les armatures transversales sont le plus souvent perpendiculaire à la fibre neutre ( $\alpha = 90^\circ$ ) .

les aciers doivent satisfaire à l'inéquation :

$$\frac{A_t}{s_t} > \frac{(T_u - 0,5 K) b}{0,8 f_e (\cos \alpha + \sin \alpha)}$$

si  $K = 0$  il y a reprise de bétonnage ou fissur. très préjudiciable  
 $K = 1$  dans les autres cas.

$$K = 1 + \frac{3N_u}{B f_{c28}} \text{ en flexion composé } (N_u > 0) \text{ avec compression.}$$

$$K = 1 - 10 \frac{N_u}{B f_{c28}} \text{ en flexion composé } (N_u < 0) \text{ avec traction.}$$

$B$ : section du béton.

/ De plus on doit vérifier les conditions suivantes :

- Pourcentage minimal :

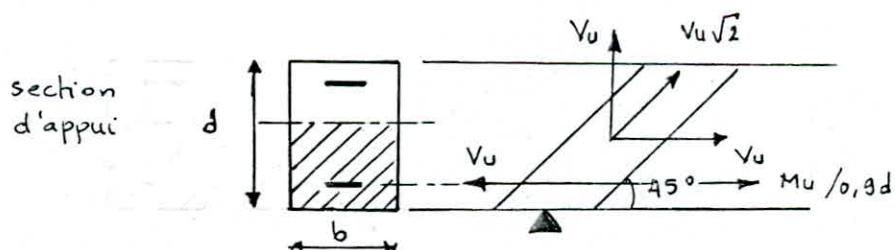
$$\frac{A_t}{b s_t \sin \alpha} \cdot f_e \geq \text{Max} \left[ \frac{T_u}{2}; 0,4 \text{ MPa} \right].$$

$$\bar{s}_t = \text{Min} (0,9d; 40 \text{ cm}) \quad \text{que } s_t \leq \bar{s}_t$$

$$\phi_t \leq \min (\phi_{\text{min}}, \frac{b}{35}, b/10)$$

- Zones d'appuis :

L'effort tranchant provoque une force de compression dans la biellette de béton égale à  $\sqrt{2} V_u$ , et une force de traction dans l'armature inférieure égale à  $V_u$ . Le moment négatif de l'appui provoque une compression dans l'armature inférieure



On distingue deux cas :

$$\text{si } V_u + \frac{M_u}{0,9d} < 0 \Rightarrow \text{pas de force de traction dans les armatures inférieures.}$$

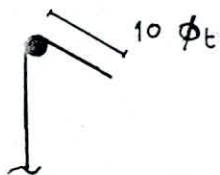
Si  $V_u + \frac{M_u}{0,9d} > 0 \Rightarrow$  les armatures longitudinales inférieures sont soumises à un effort de traction égale à  $V_u + \frac{M_u}{0,9d}$  et leur section doit être telle que l'on ait :

$$\frac{A_{fe}}{\gamma_s} \gg V_u + \frac{M_u}{0,9d} ..$$

Recommandation du RPA : (art. 42.3.22)

- quantité d'armatures transversales minimales :  $A_t = 0,003 \times s \times b_{min}$
- les espacements maximaux en zones nodales (S) et en zone courante (S') sont donnés dans la fig 1.

De plus les armatures transversales doivent être bouclées autour des aciers longitudinaux et ancrée dans la masse du béton comprimé



# FERRAILLAGE PORTIQUE 2

		SITUATION DURABLE		SITUATION ACCIDENTELLE		SECTION ADOPTEE		VERIFICATION A E.L.S					
N°	Appui	M <sub>w</sub> (kNm)	A <sub>s</sub>	M <sub>sup</sub>	A <sub>s</sub>	M <sub>inf</sub>	A <sub>c</sub>	A <sub>s</sub>	A <sub>c</sub>	M <sub>ser</sub>	T <sub>bc(M, Pa)</sub>	T <sub>S(M, Pa)</sub>	T <sub>Sc(M, Pa)</sub>
5	A	71.34	21.99	59.1	15.42	20.25	5.13	25.13	12.56	51.14	7.32	228	76.16
	B	96.94	30.78	75.59	19.98	32.42	8.29	34.55	12.56	69.48	9	228.5	98.36
	D	71.34	21.99	59.1	15.42	20.25	5.13	25.13	12.56	51.14	7.32	228	76.16
4	A	81.62	25.45	74.43	19.65	15.62	3.95	31.41	18.84	58.51	7.38	209.72	78.72
	B	96.86	30.75	82.22	21.85	25.05	6.37	34.55	18.84	69.43	8.50	227.19	92.07
	D	81.62	25.45	74.43	19.65	15.62	3.95	31.41	18.84	58.51	7.38	209.72	78.72
3	A	83.16	25.98	83.76	22.28	7.11	1.79	31.41	18.84	59.65	7.52	213.74	80.22
	B	97.61	31.01	90.82	24.30	16.45	4.16	34.55	18.84	69.99	8.57	229.02	92.81
	D	83.16	25.98	83.76	22.28	7.11	1.79	31.41	18.84	59.65	7.52	213.74	80.22
2	A	83.48	26.09	84.48	22.49	6.39	1.60	31.41	18.84	59.88	7.55	214	80.5
	B	88.10	27.68	75.64	19.99	21.50	5.45	31.41	18.84	63.16	7.97	226.4	84.97
	C	31.52	9.33	25.28	6.43	7.18	1.80	18.84	18.84	22.60	3.39	132.45	32.54
	D	32.28	9.56	69.83	18.37	36.47	9.35	18.84	18.84	23.22	3.48	136.1	33.43
1	A	83.95	26.25	84.2	22.41	6.67	1.67	31.41	18.84	60.24	7.60	215.92	81.04
	B	88.72	27.89	78.11	20.68	19.19	4.68	25.13	12.56	63.62	8.03	228.04	85.6
	D	3	0.86	14.23	3.59	13.16	2.32	12.56	12.56	2.12	0.37	18.41	3.16

111

# MOMENT EN TRAVEE PORTIQUE 2

		SITUATION DURABLE		SITUATION ACCIDENTELLE		SECTION		VERIFICATION		
Niv	travée	$M_u$ ( $\text{t.m}$ )	$A_s$	$M_u$ ( $\text{t.m}$ )	$A_s$	$A_s$	$\phi$	$M_{ser}$	$\sqrt{\rho_{bc}}$ ( $\text{m}^{-3}$ )	$\sqrt{\rho_s}$ ( $\text{kg.m}^{-3}$ )
5	A-B	103,93	30,22	74,05	18,63	37,69	12T20	73,12	2,8	205,4
	B-D	103,93	30,22	74,05	18,63	37,69	12T20	73,12	2,8	205,4
4	A-B	100,17	29,11	71,90	18,08	37,69	12T20	70,34	2,7	198
	B-D	100,17	29,11	71,90	18,08	37,69	12T20	70,34	2,7	198
3	A-B	99,95	29,05	71,82	18,06	37,69	12T20	70,18	2,7	198
	B-D	99,95	29,05	71,82	18,06	37,69	12T20	70,18	2,7	198
2	A-B	103,68	30,15	78,79	19,83	37,69	12T20	72,94	2,8	205
	B-C	-13,61	3,92	-26,27	6,58	12,56	4T20	-9,81	1	82,24
	C-D	49,28	14,24	57,13	14,35	18,84	6T20	34,86	2	193,6
1	A-B	103,34	30,05	77,43	19,48	31,4	10T20	57,68	2,4	194
	B-C	-2,06	4,83	-18,80	4,83	12,56	4T20	2,02	0,2	16,9

# PORTIQUE TRANSVERSAL B

		SITUATION ACCIDENTELLE		SECTION		VERIFICATION		
Niv	Appui	$M_u$ (kNm)	$A_s$	$A_s$	$\phi$	$M_{ser}$	$\sqrt{f_{bc}}$ (M.Pa)	$\sqrt{f_s}$ (M.Pa)
5	1	8,95	5,14	6,03	3T16	2,93	3,17	117,14
	2 - 6	8,29	4,76	6,03	3T16	3,70	3,17	117,14
	7	8,95	5,14	6,03	3T16	3,70	3,17	117,14
4	1	16,03	9,53	10,05	5T16	4,50	4,08	112,7
	2 - 6	13,98	8,17	10,05	5T16	4,62	4,08	112,7
	7	16,03	9,53	10,05	5T16	4,50	4,08	112,7
3	1	23,13	14,24	16,58	4T20 + 2T16	6,28	4,9	98,1
	2 - 6	20,61	12,53	12,56	4T20	6,19	5,2	125,6
	7	23,13	14,24	12,56	4T20	6,28	4,9	98,1
2	1	25,66	16,02	16,58	4T20 + 2T16	8,01	6,2	125,1
	2 - 6	18,48	11,12	12,56	4T20	7,59	6,4	154
	7	25,66	16,02	16,58	4T20 + 2T16	8,01	6,2	125,1
1	1	25,09	15,61	16,58	4T20 + 2T16	9,83	7,6	153,5
	2 - 6	19,94	12,08	12,56	4T20	10,04	8,5	203,7
	7	25,09	15,61	16,58	4T20 + 2T16	9,83	7,6	153,5

# CONTRAINTE D'ADHERENCE

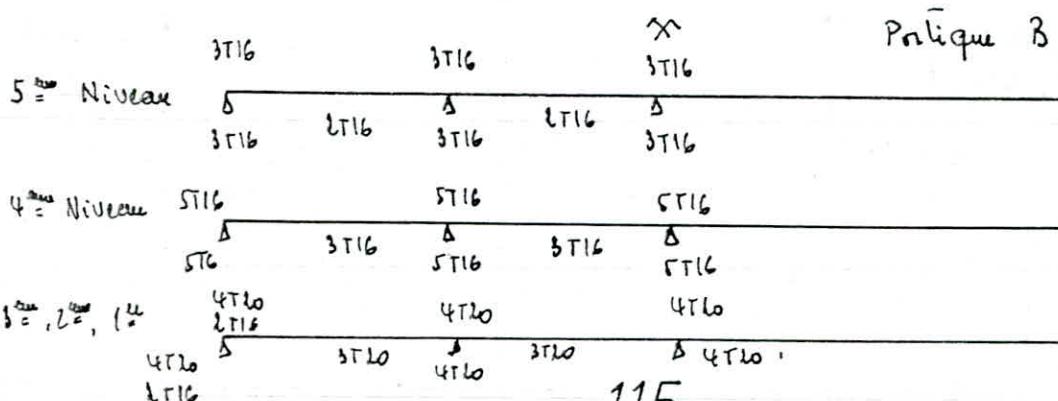
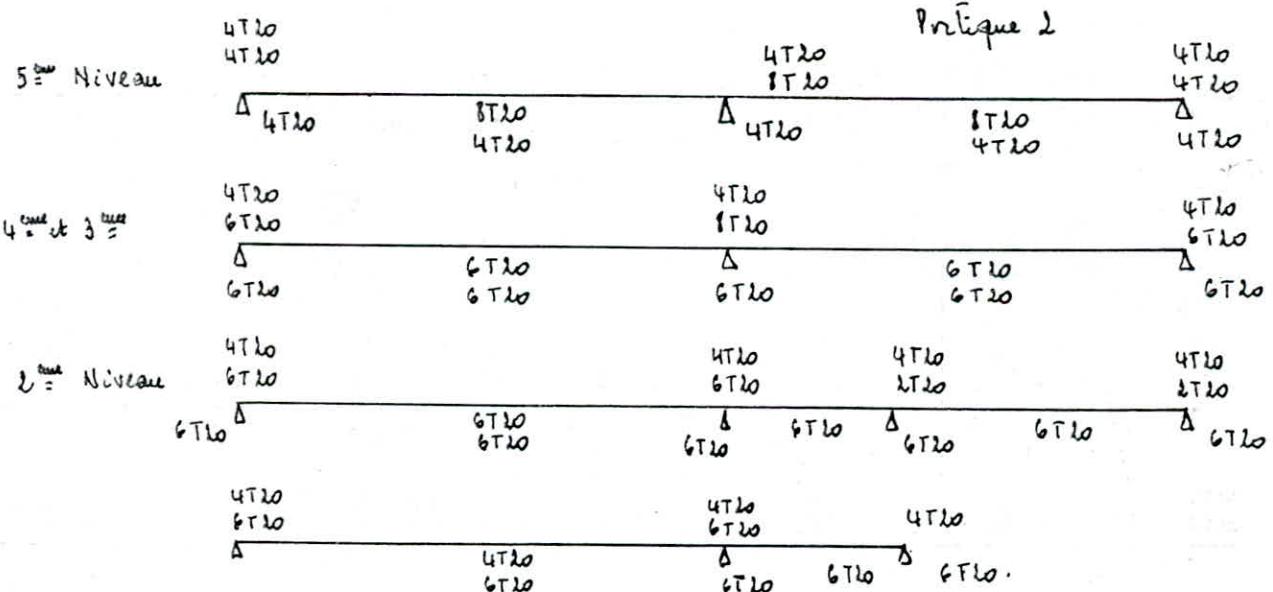
N°	Noeud	$V_u(t)$	$A_s(\text{cm}^2)$	$A_{si}(\text{cm}^2)$	$U_i(\text{cm})$	$\bar{\sigma}_s(\text{MPa})$	$\bar{\sigma}_s$
5	A/D	42,5	25,13	12,56	25,12	0,94	2,84
	B	38,93	37,68	12,56	25,12	0,57	
4	A/D	41,46	31,41	18,84	37,70	0,73	2,84
	B	39,31	37,68	18,84	37,70	0,58	
3	A/D	40,83	31,41	18,84	37,70	0,72	2,84
	B	40,05	31,41	18,84	37,70	0,71	
	C	25,19	18,84	18,84	37,70	0,74	
2	A	40,95	31,41	18,84	37,70	0,72	2,84
	B	40,42	25,13	18,84	37,70	0,89	
	C	19,25	12,56	12,56	25,12	0,95	
1	A						
	B						
	C						

# EFFORT TRANCHANT

N°V	Sens	$V_{u,\max}(t)$	$\bar{\sigma}_{u(\text{MPa})}$	$A_t(\text{cm}^2)$	$\phi$	Z.N	Z.C	$S_t(Z.N)$	$S_t(Z.C)$
5	Long	42,5	1,07	2,01	4T8	9,6	55	9	16
	Trans	7,54	0,48	2,01	4T8	9,6	25	9	16
4	Long	41,46	1,05	2,01	4T8	9,6	55	9	16
	Trans	9,95	0,63	2,01	4T8	9,6	25	9	16
3	Long	41,54	1,05	2,01	4T8	9,6	55	9	16
	Trans	12,83	0,81	2,01	4T8	9,6	25	9	16
2	Long	40,83	1,03	2,01	4T8	9,6	55	9	16
	Trans	12,32	0,82	2,01	4T8	9,6	25	9	16
1	Long	40,95	1,03	2,01	4T8	9,6	55	9	16
	Trans	13,72	0,87	2,01	4T8	9,6	25	9	16

Niv	Sens	$V_u(t)$	$M_u(t.m)$	$V_u + \frac{M_u}{0,9d}$	Observation
5	Lung	38,93	96,94	-68,78	Vérifiée
	Trans	7,09	8,29	-13,38	Vérifiée
4	Lung	39,31	96,96	-68,31	Vérifiée
	Trans	7,55	13,88	-26,72	Vérifiée
3	Lung	39,44	97,61	-69,01	Vérifiée
	Trans	8,36	20,61	-42,53	Vérifiée
2	Lung	39,73	88,10	-58,16	Vérifiée
	Trans	9,07	18,48	-36,56	Vérifiée
1	Lung	40,14	88,72	-58,44	Vérifiée
	Trans	11,17	19,94	-38,06	Vérifiée

## Ferraillage Recapitulatif



# Ferraillage des Poteaux

Les poteaux sont calculés en flexion composée à l'état limite ultime en situation durable et accidentelle dans les deux sens longitudinal et transversal.

## 1. Situation durable :

On prend pour chaque sens, le moment  $M_{max}$  et l'effort normal correspondant, en ajoutant à l'effort normal le poids propre du poteau majoré de 35 %.

## 2. Situation accidentelle :

On considère pour cette situation les combinaisons de sollicitations suivantes :

$N_{max}, M_{corr}$  ;  $N_{min}, M_{corr}$  ;  $M_{max}$  et  $N_{corr}$ .

### Recommandation du RPA (art. 4.2.3.1)

- Les armatures longitudinales doivent être à haute adhérence (HA) droites et sans crochets ; avec
- un pourcentage minimal de 1% (Zone II)
  - un pourcentage maximal de 4% (Zone II)
  - $\phi_e$  minimum = 14 mm
  - longueur minimale de recouvrement =  $5\phi_e$
  - distance entre les barres verticales au plus égale à 25 cm dans une face du poteau.

Les résultats du ferraillage, calcul et vérification, sont donnés sous forme de tableaux, la méthode calcul est celle exposée dans le § ferraillage des éléments (flexion composée).

- Armatures transversales

- Recommandation du RPA (art. 42.3.12).

- La vérification à l'effort tranchant doit-être effectuée avec  $T = 2$  fois l'effort tranchant de calcul si l'élançement  $\lambda > 15$  qui est notre cas ( $\lambda = 18$ ).

\*disposition constructive (fig 1 § Ferrailage des poutres)

- les cadres et étriers doivent-être formé par des crochets à  $135^\circ$  ayant une longueur d'ancrage de  $10 \phi$  minimum.
- le diamètre minimum des mailles formées par les armatures transversales est au moins égal à  $12 \text{ cm}$  pour permettre une vibration correcte du béton.

les armatures transversales sont données par :

$$\frac{A_t}{t} = \frac{1,25 T}{h_1 f_{ben}}$$

avec  $T = 2V_u$  et  $h_1 = 80 \text{ cm}$ ,  $f_{ben} = 235 \text{ MPa}$

espacements admissibles :

en Zone nodule  $\bar{t} = \min(10\phi, 15 \text{ cm})$

en Zone courante  $\bar{t} = 12\phi_{\min}$

où  $\phi_{\min}$  : diamètre minimal des armatures longitudinales.

			SITUATION DURABLE					SITUATION ACCIDENTELLE				
			M N					M <sub>cor</sub> N <sub>max</sub>				
Niv	Pot	Seus	M <sub>(E-m)</sub>	N <sub>(E)</sub>	Soll	A <sub>s</sub>	A's	M <sub>(E-m)</sub>	N <sub>(E)</sub>	Soll	A <sub>s</sub>	A's
5	2A	L	70,34	54,46	S.P.C	28,8	0	41,10	31,61	S.P.C	11,87	0
		T	1,54	54,46	S.P.C.S	0	0					
4	2A	L	43,53	98,05	S.P.C	9,10	0	10,10	4,48	S.P.C	6,7	0
		T	3,91	98,05	S.P.C.S	0	0					
3	2A	L	41,91	146,45	S.P.C	4,4	0	18,70	63,63	S.P.C.S	0	0
		T	6,42	146,45	S.P.C.S	0	0					
2	2A	L	41,74	194,33	S.P.C	2,73	0	15,94	9,14	S.P.C	10,57	0
		T	8,32	194,33	S.P.C.S	0	0					
1	2A	L	42,17	243,81	S.P.C	4,19	0	12,91	97,02	S.P.C.S	0	0
		T	11,43	243,81	S.P.C.S	0	0					

			SITUATION ACCIDENTELLE									
			M <sub>cor</sub> N <sub>min</sub>					M <sub>max</sub> N <sub>cor</sub>				
Niv	Pot	Seus	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	A <sub>s</sub>	A's	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	A <sub>s</sub>	A's
5	2A	L	36,61	16,29	S.P.C	11,66	0	60,74	29,33	S.P.C	20,43	0
		T	8,42	1,6	S.P.C	5,8	0					
4	2A	L	30,15	31,03	S.P.C	7,51	0	10,10	4,48	S.P.C	6,7	0
		T	13,28	2,97	S.P.C	9,23	0					
3	2A	L	32,82	44,63	S.P.C	7,09	0	46,34	56,63	S.P.C	11,59	0
		T	18,15	4,28	S.P.C	12,80	0					
2	2A	L	28,18	58,48	S.P.C	3,81	0	15,94	9,14	S.P.C	10,57	0
		T	16,48	4,79	S.P.C	11,46	0					
1	2A	L	45,52	72,19	S.P.C	9,73	0	49,06	82,54	S.P.C	10,44	0
		T	17,74	6,32	S.P.C	12,27	0					

			SITUATION DURABLE					SITUATION ACCIDENTELLE				
			M		N			M <sub>cor</sub>		N <sub>max</sub>		
Niv	Pot	Sens	M <sub>(E-m)</sub>	N <sub>(E)</sub>	Soll	As	A's	M <sub>(E-m)</sub>	N <sub>(E)</sub>	Soll	As	A's
5	2B	L	2,1	88,49	S.P.C.S	0	0	15,08	56,96	S.P.C.S	0	0
		T	2,64	88,49	S.P.C.S	0	0	10,10	11,51	S.P.C	5,89	0
4	2B	L	4,84	179,42	S.P.C.S	0	0	23,86	112,06	S.P.C.S	0	0
		T	6,36	179,42	S.P.C.S	0	0	15,94	20	S.P.C	9,4	0
3	2B	L	31,14	265,86	S.P.C.S	0	0	32,94	168,34	S.P.C.S	0	0
		T	41,10	265,86	S.P.C.S	0	0	21,78	30,17	S.P.C	13,02	0
2	2B	L	33,19	324,88	S.P.C.S	0	0	55,33	202,45	S.P.C	4,89	0
		T	15,30	324,88	S.P.C.S	0	0	6,76	41,32	S.P.C.S	0	0
1	2B	L	26,21	382	S.E.C	0	0	66,45	234,59	S.P.C	9,31	3,6
		T	19,25	382	S.E.C	0	0	12,38	53,63	S.P.C	2,95	0

			SITUATION ACCIDENTELLE									
			M <sub>cor</sub>		N <sub>min</sub>			M <sub>max</sub>		N <sub>cor</sub>		
Niv	Pot	Sens	M <sub>(E-m)</sub>	N <sub>(E)</sub>	Soll	As	A's	M <sub>(E-m)</sub>	N <sub>(E)</sub>	Soll	As	A's
5	2B	L	12,57	30,67	S.P.C	0,62	0	15,08	56,96	S.P.C.S	0	0
		T	8,42	6,14	S.P.C	5,42	0	10,10	8,91	S.P.C	6,08	0
4	2B	L	19,88	63,33	S.P.C.S	0	0	23,86	112,06	S.P.C.S	0	0
		T	13,28	9,48	S.P.C	8,51	0	15,94	20	S.P.C	9,4	0
3	2B	L	32,48	95,04	S.P.C	1,29	0	44,98	168,34	S.P.C	0,71	0
		T	18,15	14,04	S.P.C	11,76	0	21,78	30,17	S.P.C	15	0
2	2B	L	21,21	113,87	S.P.C.S	0	0	55	202,45	S.P.C	4,68	0
		T	16,48	17,79	S.P.C	10,06	0	19,78	41,32	S.P.C	10,6	0
1	2B	L	43,06	129,89	S.P.C	2,9	0	66,45	234,59	S.P.C	9,31	3,60
		T	17,04	22,57	S.P.C	9,99	0	21,29	53,63	S.P.C	10,31	0

			SITUATION DURABLE					SITUATION ACCIDENTELLE				
			M N					M cor N max				
Niv	Pot	Seus	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	A <sub>s</sub>	A's	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	A <sub>s</sub>	A's
5	18	L	0,46	47,91	S.P.C.S	0	0	15,08	29,05	S.P.C	1,82	0
		T	4,06	47,91	S.P.C.S	0	0	4,28	7,54	S.P.C	2,1	0
4	18	L	1,16	93,15	S.P.C.S	0	0	13,86	56,03	S.P.C	2	0
		T	4,32	93,15	S.P.C.S	0	0	9,14	17,49	S.P.C	4,49	0
3	18	L	14,19	138,68	S.P.C.S	0	0	32,94	84,17	S.P.C	2,7	0
		T	5,61	138,68	S.P.C.S	0	0	12,1	30,32	S.P.C	5,23	0
2	18	L	15,16	167,21	S.P.C.S	0	0	46,31	101,43	S.P.C	7,2	0
		T	6,69	167,21	S.P.C.S	0	0	10,66	43,24	S.P.C	2,73	0
1	18	L	15,84	193,47	S.P.C.S	0	0	12,91	118,28	S.P.C.S	0	0
		T	13,45	193,47	S.P.C.S	0	0	22,05	56,96	S.P.C	10,64	0

			SITUATION ACCIDENTELLE									
			M cor N min					M max N cor				
Niv	Pot	Seus	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	A <sub>s</sub>	A's	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	A <sub>s</sub>	A's
5	18	L	6,77	14,86	S.P.C	0,48	0	15,08	29,05	S.P.C	1,82	0
		T	6,76	0,71	S.P.C	4,17	0	2,	2,66	S.P.C	6,05	0
4	18	L	16,26	31,77	S.P.C	1,95	0	23,86	56,03	S.P.C	2	0
		T	9,52	-0,82	S.P.C	6,89	0	11,94	2,61	S.P.C	9,27	0
3	18	L	32,48	47,52	S.P.C	6,63	0	32,94	84,17	S.P.C	2,7	0
		T	11,91	-4,75	S.P.C	9,17	0	14,78	-0,32	S.P.C	10,74	0
2	18	L	16,27	56,76	S.P.C.S	0	0	46,31	101,43	S.P.C	7,2	0
		T	10,81	-8,75	S.P.C	8,89	0	13,34	-3,34	S.P.C	10,05	0
1	18	L	38,12	64,12	S.P.C	7,25	0	12,91	118,28	S.P.C.S	0	0
		T	19,8	-12,38	S.P.C	16,11	0	24,05	-6,54	S.P.C	18,58	0

			SITUATION DURABLE					SITUATION ACCIDENTELLE				
			M N					M cor Nmax				
Niv	Pot	Sens	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Sol	As	A's	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Sol	As	A's
2	2c	L	2,88	49,27	S.P.C.S	0	0	8,53	26,02	S.P.C	3,64	0
		T	1,63	49,27	S.P.C.S	0	0					
1	2c	L	1,64	89,13	S.P.C.S	0	0	8,21	63,99	S.P.C.S	0	0
		T	2,11	89,13	S.P.C.S	0	0					
2	1c	L	2,88	26,87	S.P.C.S	0	0	9,65	13,01	S.P.C	4,92	0
		T	5,55	26,97	S.P.C	1,37	0					
1	1c	L	1,64	53,3	S.P.C.S	0	0	7,27	8,77	S.P.C	4,36	0
		T	4,50	53,3	S.P.C.S	0	0					

			SITUATION ACCIDENTELLE									
			M <sub>cor</sub> N <sub>min</sub>					M <sub>max</sub> N <sub>cor</sub>				
Niv	Pot	Sens	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Sol	As	A's	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Sol	As	A's
2	2c	L	7,61	14,27	S.P.C	4,06	0	9,63	25,08	S.P.C	4,71	0
		T	12,10	4,50	S.P.C	8,60	0					
1	2c	L	7,37	21,84	S.P.C	3,10	0	9,02	63,11	S.P.C	0,5	0
		T	12,66	10,19	S.P.C	8,55	0					
2	1c	L	7,61	7,14	S.P.C	4,73	0	9,63	12,54	S.P.C	5,9	0
		T	9,97	-0,18	S.P.C.S	0	0					
1	1c	L	7,37	11	S.P.C	4,21	0	13,17	1,66	S.P.C	9,73	0
		T	14,51	1,59	S.P.C	10,85	0					

			SITUATION DURABLE					SITUATION ACCIDENTELLE				
			M N					M <sub>cor</sub> N <sub>max</sub>				
Niv	Pot	Sens	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	As	A's	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	As	A's
2	2c	L	2,88	49,27	S.P.C.S	0	0	8,53	26,02	S.P.C	3,64	0
		T	1,63	49,27	S.P.C.S	0	0					
1	2c	L	1,64	59,13	S.P.C.S	0	0	8,21	63,99	S.P.C.S	0	0
		T	2,11	59,13	S.P.C.S	0	0					
2	1c	L	2,88	26,97	S.P.C.S	0	0	9,65	13,01	S.P.C	4,92	0
		T	5,55	26,97	S.P.C	1,37	0					
1	1c	L	1,64	53,3	S.P.C.S	0	0	7,27	8,77	S.P.C	4,36	0
		T	4,50	53,3	S.P.C.S	0	0					

			SITUATION ACCIDENTELLE									
			M <sub>cor</sub> N <sub>min</sub>					M <sub>max</sub> N <sub>cor</sub>				
Niv	Pot	Sens	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	As	A's	M <sub>(t-m)</sub>	N <sub>(t)</sub>	Soll	As	A's
2	2c	L	7,61	14,27	S.P.C	4,06	0	9,69	25,08	S.P.C	4,71	0
		T	12,10	4,50	S.P.C	8,60	0					
1	2c	L	7,37	21,84	S.P.C	3,10	0	9,02	63,11	S.P.C	0,5	0
		T	12,66	10,19	S.P.C	8,55	0					
2	1c	L	7,61	7,14	S.P.C	4,73	0	9,69	12,54	S.P.C	5,9	0
		T	9,97	-0,18	S.P.C.S	0	0					
1	1c	L	7,37	11	S.P.C	4,21	0	13,17	1,66	S.P.C	9,73	0
		T	14,51	1,59	S.P.C	10,85	0					

			RECAPITULATIF DE FERRAILLAGE					VERIFICATION A L'E.L.S				
Niv	Pot	Seus	A = A' Long	A = A' Trans	A <sub>s</sub> adopté Long	A <sub>s</sub> adopté Trans	A totale	M <sub>Ser</sub> <sup>4T</sup>	N <sub>Ser</sub> <sup>4T</sup>	F <sub>b</sub> <sup>4T</sup>	F <sub>s</sub> <sup>4T</sup>	F <sub>bc</sub> <sup>4T</sup>
5	18	L	1,82	6,05	9,42	15,70	37,69	0,38	25,12	1	12	13,8
		T			3T20	5T20		2,93	4,88	2	1,5	25,4
4	18	L	2	8,27	9,42	15,70	37,69	0,97	52,74	2	24	28,7
		T			3T20	5T20		3,04	1,39	2,8	11,7	38,3
3	18	L	6,63	10,74	9,42	15,70	37,69	1,64	79,21	2,9	35,15	43,04
		T			3T20	5T20		3,89	11,56	4	20	54,15
2	18	L	7,1	10,05	9,42	15,70	37,69	10,94	101,06	5,5	23,22	75,8
		T			3T20	5T20		4,80	14,07	5	26,2	66,31
1	18	L	7,25	18,58	12,96	19,24	44,76	11,47	116,44	5,9	29,5	81,8
		T			2T25+ 1T20	2T25+ 3T20		3,05	16,62	6,67	15,03	90,7

			RECAPITULATIF DE FERRAILLAGE					VERIFICATION A L'E.L.S				
Niv	Pot	Seus	A = A' Long	A = A' Trans	A adopté Long	A adopté Trans	A totale	M <sub>Ser</sub> <sup>4T</sup>	N <sub>Ser</sub> <sup>4T</sup>	F <sub>b</sub> <sup>4T</sup>	F <sub>s</sub> <sup>4T</sup>	F <sub>bc</sub> <sup>4T</sup>
5	2A	L	28,8	6,7	29,45	25,91	71,44	51,14	30,44	10,7	214,5	119,3
		T			4T25	2T20		1,03	6,2	1,25	10	18
4	2A	L	11,59	10,57	12,57	15,71	43,99	31,21	60,02	10,1	154	117,7
		T			4T20	5T20		2,61	7,64	2,8	16,2	39
3	2A	L	10,4	14,66	12,57	15,71	43,99	30,07	89,52	9,7	69	121,4
		T			4T20	5T20		4,28	11,52	4,3	82,5	60
2	2A	L	5,43	12,47	12,57	15,71	43,99	29,36	118,57	9,9	26,1	129
		T			4T20	5T20		5,55	15,46	5,66	30,4	79
1	2A	L	11,61	12,99	12,57	15,71	43,99	31	147,55	10,8	4,3	143
		T			4T20	5T20		7,62	20,71	7,34	35,3	101,8

Niv	Pot	Seus
5	2B	L
		T
4	2B	L
		T
3	2B	L
		T
2	2B	L
		T
1	2B	L
		T

### RECAPITULATIF DE FERRAILLAGE

A = A' long	A = A' trans	A adopté long	A adopté trans	A total
0,62	6,08	9,42	15,70	37,69
0	9,84	9,42	15,70	37,69
1,29	15	9,42	15,70	37,69
4,89	10,6	9,42	15,70	37,69
9,31	10,31	9,42	15,70	37,69

### VERIFICATION A L'E.L.S

M <sub>ser</sub> <sup>4T</sup>	N <sub>ser</sub> <sup>4T</sup>	$\bar{U}_b$ <sup>4T</sup>	$\bar{U}_s$ <sup>4T</sup>	$\bar{U}_{bc}$ <sup>4T</sup>
0,34	55,82	4,82	34	10
1,03	8,97	2,03	3,4	1,5
0,87	112,06	5	2,1	0,87
2,61	17,96	3,5	6,8	4
1,64	158,43	8	4,75	2,38
4,28	26,99	5,22	37	24
19,96	202,08	8,22	36	56
5,55	36,08	5,34	28,35	45,15
20,32	232,71	7,56	29,5	89,8
7,62	46,49	6,67	22,75	89,3

Niv	Pot	Seus
2	2C	L
		T
1	2C	L
		T
2	1C	L
		T
1	1C	L
		T

### RECAPITULATIF DE FERRAILLAGE

A = A' long	A = A' trans	A adopté long	A adopté trans	A total
4,79	10,16	6,03	12,56	37,23
3,1	9,68	6,03	12,56	37,23
5,9	9,73	6,03	12,56	37,23
4,21	10,75	6,03	12,56	37,23

### VERIFICATION A L'E.L.S

M <sub>ser</sub> <sup>4T</sup>	N <sub>ser</sub> <sup>4T</sup>	$\bar{U}_b$ <sup>4T</sup>	$\bar{U}_s$ <sup>4T</sup>	$\bar{U}_{bc}$ <sup>4T</sup>
2,08	25,59	3,53	9,66	48,11
1,09	8,70	2,44	17,57	34,46
1,16	56,02	5,19	53,67	75,11
1,15	20,43	4,61	49,1	66,92
2,08	12,79	2,73	10,51	35,3
3,99	4,98	3,96	43,08	48,06
1,16	28	3,06	21,76	43,3
3,24	10,63	4,05	4,12	54,44

Niv	Pot	Vu(t)	A <sub>t</sub>	ϕ	S(cm)	$\bar{S}_{Z.N}$	$\bar{S}_{Z.C}$	$S_{Z.N}$	$S_{Z.C}$
5	B <sub>2</sub>	6,21	2,01	4Φ8	24,34	20	24	12	20
	B <sub>1</sub>	6,5	2,01	4Φ8	23,25	20	24	12	20
	A <sub>1</sub>	3,75	2,01	4Φ8	40,31	20	24	12	20
4	B <sub>2</sub>	11,66	2,01	4Φ8	12,96	20	24	12	20
	B <sub>1</sub>	12,21	2,01	4Φ8	12,38	20	24	12	20
	A <sub>2</sub>	7,02	2,01	4Φ8	21,53	20	24	12	20
3	B <sub>2</sub>	16,10	2,01	4Φ8	9,40	20	24	7	15
	B <sub>1</sub>	16,86	2,01	4Φ8	8,96	20	24	7	15
	A <sub>2</sub>	9,72	2,01	4Φ8	15,55	20	24	12	20
2	B <sub>2</sub>	20,5	2,01	4Φ8	7,37	20	24	7	15
	B <sub>1</sub>	21,08	2,01	4Φ8	7,17	20	24	7	15
	A <sub>2</sub>	8,10	2,01	4Φ8	18,66	20	24	12	20
	C <sub>2</sub>	7,81	2,01	4Φ8	19,35	20	24	12	20
	C <sub>1</sub>	5,29	2,01	4Φ8	28,50	20	24	12	20
1	B <sub>2</sub>	25,81	2,01	4Φ8	5,80	20	24	5	15
	B <sub>1</sub>	27,01	2,01	4Φ8	5,60	20	24	5	15
	A <sub>2</sub>	16,48	2,01	4Φ8	9,17	20	24	9	15
	C <sub>2</sub>	6,92	2,01	4Φ8	21,84	20	24	12	20
	C <sub>1</sub>	5,55	2,01	4Φ8	27,23	20	24	12	20

## Calcul des Planchers

Nos planchers sont du type dalles pleines formées par des prédalles.

- Définition : les prédalles sont des plaques préfabriquées en béton armé ou précontraint, destinées à servir à la fois d'armatures inférieures et de coffrage apparent du plancher dalle pleine. Celle-ci ainsi constituée, présente en phase finale un fonctionnement monolithique.

Epaisseur de la pré dalle : Selon l'article B.F.G.1. des règles BAEL 83, l'épaisseur minimale à adopter, compte tenu des conditions d'eurobage est de 5 cm.

De plus l'épaisseur de la pré dalle doit-être inférieure à la mi-épaisseur du plancher fini (B.F.G - BAEL 83).

$$5 \text{ cm} \leq e \leq \frac{15}{2} = 7,5 \text{ cm.}$$

On prendra  $e = 6 \text{ cm.}$

Le levage est assuré par quatre crochets incorporés lors du coulage. Ces crochets sont en aciers Fe E 24, Ø 8 afin d'éviter tout problème de fissuration. On disposera quatre élingues, en s'assurant que la grue en place puisse soulever la pré dalle.

La surface supérieure de la pré dalle doit-être très rugueuse pour éviter le glissement entre les plaques de béton coulées en place et les pré dalles.

## Calcul de la pré dalle

les planchers sont calculés à l'E.L.U et vérifiés à l'E.L.S

On distingue 2 phases principales d'exécution :

1) Phase provisoire : celle-ci se divise en réalité en deux :

- >a- Phase de manutention, de stockage et de mise en place
- >b- phase d'exécution du plancher, prise en compte du dispositif d'étalement .

2) Phase définitive : La dalle constituée par la pré dalle et le béton coulé sur place est justifiée comme une dalle pleine monolithique

Remarque : En phase d'exécution du plancher, les pré dalles reposent sur des étais intermédiaires distants au plus de 25 fois l'épaisseur de la pré dalle ( $25 \times 0,06 = 1,5 \text{ m}$ ) .

On ne procédera donc qu'à la justification en phase définitive sans tenir compte des phases provisoires (art. B7.G.22 PATEL 83).

Pour les travées de longueur (4.40 m) on disposera de deux étais équidistants .

- Calcul de la Pré dalle en phase définitive :

charges - Surcharges : (Chapitre 3 )

$$\text{plancher terrasse} \quad q_u = 1,3G + 1,5P = 1,06 \text{ t/m}^2$$

$$\text{plancher courant} \quad q_u = 1,35G + 1,5P = 1,04 \text{ t/m}^2$$

vu la faible différence , on retiendra la charge ultime du plancher terrasse , et on adoptera le même ferrailage pour tous les planchers .

Remarque: pour éviter toute confusion entre les poutrelles de rive et intermédiaires, on adoptera les mêmes moments pour toutes les poutrelles, en travéé et sur appuis, soit :

$$M_a = 0,5 M_0 \text{ et } M_t = 0,85 M_0.$$

Détermination des moments :

$$M_0 = q l^2 / 8 = 1,06 \cdot (4,4)^2 / 8 = 2,56 \text{ t.m / m}.$$

$$\Rightarrow M_a = 0,5 M_0 = 1,28 \text{ t.m / m}$$

$$M_t = 0,85 M_0 = 2,18 \text{ t.m / m}.$$

Ferraillage :

1) - Section minimale (art. A.8.2.41 BAEL 83)

$$A \geq \frac{3-\alpha}{2} f_0 b h_0$$

$$f_0 = 0,0008, b = 100 \text{ cm}, h_0 = 15 \text{ cm}, \alpha = 0,30$$

$$A_{\min} = 1,35 \cdot 0,0008 \cdot 100 \cdot 15 = 1,62 \text{ cm}^2 / \text{m}$$

2) - Condition de non fragilité (art. 4.2.1. BAEL 83)

$$A \geq 0,23 b d f_{t28} / f_e$$

$$f_{t28} = 2,1 \text{ MPa ; } d = 13 \text{ cm, } f_e = 400 \text{ MPa}$$

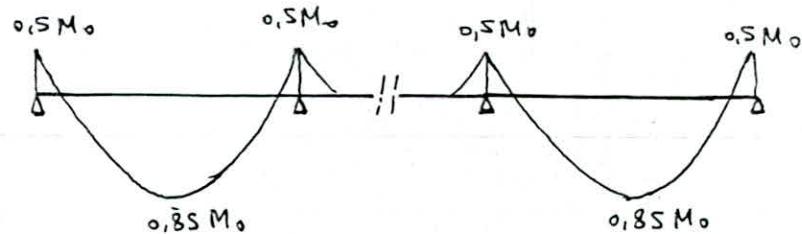
$$A_{\min} = 0,23 \cdot 100 \cdot 13 \cdot 2,1 / 400 = 1,57 \text{ cm}^2 / \text{m}$$

3) - Espacement maximal (A.8.2.43. BAEL 83)

$$\text{Sens porteur } e = \min [3 \times 15, 33] = 33 \text{ cm}$$

$$\text{Sens non porteur } e = \min [4 \cdot 15, 45] = 45 \text{ cm}$$

Schéma statique : la dalle est calculée / m comme une poutre continue à travées identiques ( $l = 4,40 \text{ m}$ )



• En travée :

$$M_t = 2.18 \text{ t.m.}$$

Le programme flexion simple nous

$$\text{donne. } A = 5,05 \text{ cm}^2 \text{ soit } M \phi 8 / \text{m.l.}$$

dans le sens non porteur on prendra  $A_y$ ,  $A/4$  soit  $3 \phi 8 / \text{m.l}$

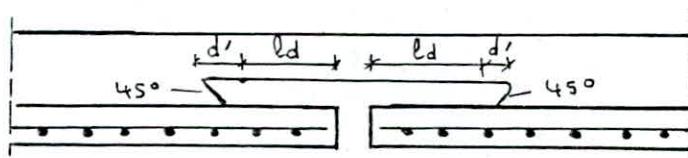
• Aux appuis

$$M = 1.28 \text{ t.m.}$$

le programme flexion simple donne  $A = 2,92 \text{ cm}^2$   
soit  $6 \phi 8 / \text{m.l.}$

✓ Anchorage des armatures de répartition à la reprise entre deux dalles sur le joint :

Il doit assurer la transmission des efforts dans les aciers transversaux.



$$l_d = \frac{f_e \phi}{4 \bar{T}_d} \text{ et } \bar{T}_d = 0,6 (\gamma_s)^2 \cdot f_{t28} = 0,6 \cdot (1,5)^2 \cdot 2,1 = 2,83 \text{ MPa}$$

$$\Rightarrow l_d = 400 \cdot 6 \cdot 10^{-3} / (4 \cdot 2,83) = 21,20 \text{ cm}$$

$$d' = 2 \text{ cm}$$

Vérification à l'effort tranchant.

$$V_u = q_u \cdot l / 2 = \frac{1,06 \cdot 4,40}{2} = 2,33 \text{ t/m.l}$$

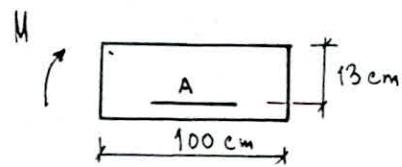
$$T_u = V_u / b d = 2,33 / (1 \cdot 0,13) = 0,18 \text{ MPa}$$

$$\bar{T} = \min (0,13 f_{t28}, 4 \text{ MPa}) = 3,25 \text{ MPa}$$

$T_u < \bar{T}_u$  vérifié

Vérification au Poinçonnement

No planchers sont soumis à des charges localisées ce qui



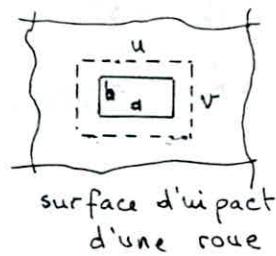
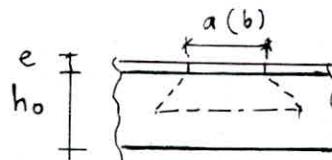
necessite une vérification au point d'impact.

Dans cette vérification on considère donc l'effet d'une charge localisée appliquée par une roue, normale au plan moyen du plancher et agissant uniformément sur une faible portion de sa surface limitée par un contour  $P_c$  situé à mi-épaisseur de la dalle

$$P_c = 2(u+v)$$

$$u = a + h_0 + 2e$$

$$v = b + h_0 + 2e$$



$e$  = épaisseur du revêtement

$$e = 4 \text{ cm}$$

$h_0$  = hauteur de la dalle

$$h_0 = 11 \text{ cm}$$

pour les voitures de tourisme : la surface d'impact :

$$a = 14 \text{ cm} \text{ et } b = 10 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow u = 33 \text{ cm}, v = 29 \text{ cm. et } P_c = 124 \text{ cm.}$$

On doit vérifier :  $P_u \leq 0,045 P_c h_0 f_{c28}$ .

$P_u$  : charge de calcul à l'ELU.  $P_u = 1,2 Q$

$Q$  : charge concentrée appliquée par la roue  $Q = 2t$

$$P_u = 2,4 t \leq 0,045 \cdot 1,24 \cdot 0,11 \cdot 25 \cdot 10^2 = 15,34 t \text{ vérifié.}$$

### DISPOSITIONS CONSTRUCTIVES

- Arrêt des barres :

- les barres inférieures seront prolongées jusqu'aux appuis.
- les barres qui traversent le pourtour des dalles seront ancrées totalement au delà du contour d'une longueur  $l_s$ .
- les aciers de chapeaux auront pour longueur, vers l'intérieur des dalles à partir des contours, alternativement  $l_1$  ou  $l_2$ .

$$l_1 = \max [l_1, l_s] \text{ et } l_2 = \max [l_{1/2}, l_s]$$

$$l = l_x [0,05 + 0,3K] ; \quad K = M_a / M_o$$

$$l_s = \phi f_e / (4 \bar{\epsilon}_s) = 28,21 \text{ cm} \rightarrow l_s = 30 \text{ cm}$$

$$K = M_a / M_o = 1,28 / 2,56 = 0,5 \text{ d'où } l = 24 \text{ cm}$$

$$l_1 = \max [l_1, l_s] = 30 \text{ cm} ; \quad l_2 = \max [l_{1/2}, l_s] = 30 \text{ cm}$$

$$l_s = 30 \text{ cm.}$$

### - Aciers de couture :

Etant donné que la surface de reprise de bétonnage est très rugueuse et la contrainte tangente calculée ( $T_u = 0,18 \text{ MPa}$ ) est inférieure à  $0,35 \text{ MPa}$  - Ainsi les armatures de coutures ne sont pas nécessaires (art. A.5.33 et B.7.6.23 BAEL)

### - Détermination des aciers de levage

$$\text{poids de la poutrelle/m} : P = 0,06 \cdot 1 \cdot 2,5 = 0,15 \text{ t/m}$$

$$R_{\max} = P \cdot 2,4 = 0,36 \text{ t}$$

En tenant compte des forces d'inertie lors de la manutention  
R<sub>max</sub> doit être majorée de 20%.

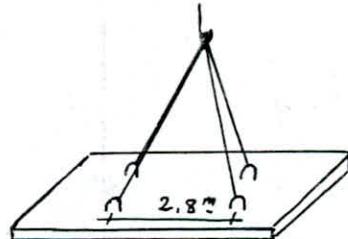
$$\Rightarrow R'_{\max} = 1,2 \cdot 0,36 = 0,43 \text{ t}$$

Les aciers de levage sont en acier doux Fe E 24 ( $f_e = 235 \text{ MPa}$ ).  
Car ce type d'acier est plus maniable que les aciers HA et il présente un grand facteur de plasticité en raison de la faible teneur en carbone.

$$A_s = R'_{\max} / f_e = 0,43 / 235 \cdot 10^3 = 0,18 \text{ cm}^2$$

$$\Rightarrow 1 \phi 8 \text{ par crochet. (boucle).}$$

les crochets sont ancrés en dessous des armatures principales.



## Plancher commerce

charge - surcharge (chapitre 3)

$$q_u = 1,35 G + 1,5 P = 1,396 \text{ t/m}^2$$

$$l_x = 4,40 \text{ m}, l_y = 4,65 \text{ m} \Rightarrow \beta = \frac{l_x}{l_y} = 0,95 > 0,4$$

: coefficient de poisson  $\nu = 0$

$$\beta = 0,95 \xrightarrow{\text{tables}} \mu_x = 0,041 \quad \text{et} \quad \mu_y = 0,887$$

$$\Rightarrow M_x = \mu_x q l_x^2 = 1,108 \text{ t.m}$$

$$M_y = \mu_y M_x = 0,983 \text{ t.m}$$

$$\text{sens } l_x : M_t = 0,85 \cdot M_x = 0,942 \text{ t.m} ; M_a = 0,5 M_x = 0,554 \text{ t.m}$$

$$\text{sens } l_y : M_t = 0,835 \text{ t.m} ; M_a = 0,491 \text{ t.m}$$

• Ferrailage :

$$\phi \leq \frac{h_0}{10} = \frac{15}{10} = 1,5 \quad \text{on choisit des } \phi 8$$

$$\Rightarrow d_x = 13 \text{ cm} \quad d_y = 12,2 \text{ cm}$$

Le programme flexion simple pour le ferrailage nous donne :

sens  $l_x$

$$\text{en travée} : A_t = 2,13 \text{ cm}^2 \quad \text{soit} \quad 5 \phi 8 / \text{ml}$$

$$\text{aux appuis} : A_a = 1,24 \text{ cm}^2 \quad \text{soit} \quad 3 \phi 8 / \text{ml}$$

sens  $l_y$

$$\text{en travée} \quad A_t = 2 \text{ cm}^2 \quad \text{soit} \quad 4 \phi 8 / \text{ml}$$

$$\text{aux appuis} \quad A_a = 1,17 \text{ cm}^2 \quad \text{soit} \quad 3 \phi 8 / \text{ml}$$

• Effort tranchant :

$$\text{au milieu de } l_y : T_x = q \cdot l_y / (2l_y + l_x) = 2,085 \text{ t}$$

$$\text{au milieu de } l_x : T_y = q l_x / 3 = 2,047 \text{ t}$$

vérification au cisaillement :

$$T_{by} = \frac{T_{max}}{b \cdot z} = \frac{2,085 \cdot 10^{-2}}{1,718 \cdot 0,13} = 0,183 \text{ MPa} < \bar{T} = 3,25 \quad \text{réaliser}$$

## 1 Etat limite de déformation / vérification à la flèche

(art. B.7.5, B.6.5., B.4.6.2)

les conditions qui dispensent d'un calcul de flèche énoncées dans l'article B.7.5 BAEL.83 ne sont pas vérifiées

$$\frac{h_0}{l_0} = \frac{0,15}{4,40} = 0,034 < \frac{M_t}{20M_x} = \frac{0,85}{20} = 0,042$$

donc on doit faire un calcul de flèche qui sera mené suivant l'article B.6.5 du BAEL.

- Pour les déformations instantanées (i)

$$f_i = M_x l_x^2 / (10 E_i I_{fi})$$

$$\text{avec } I_{fi} = I_0 / (1 + 2\gamma_i \mu) \quad \text{et} \quad \gamma_i = 0,05 f_{t28} / (2 + 3 \cdot \frac{b_0}{b})^3$$

- Pour les déformations de longue durée (v)

$$f_v = M_x l_x^2 / (10 E_v I_{fr})$$

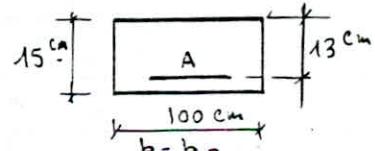
$$\text{avec } I_{fr} = I_0 / (1 + 2\gamma_v \mu) \quad \text{et} \quad \gamma_v = \frac{2}{5} \gamma_i$$

$$\mu = 1 - \frac{1,75 f_{t28}}{4 g b_s + f_{t28}}$$

$$E_i = 32164 \text{ MPa}, \quad E_v = 10819 \text{ MPa}; \quad f_{t28} = 2,1 \text{ MPa}$$

$$A = 11 \phi 8 = 5,53 \text{ cm}^2 \rightarrow \beta = \frac{A}{bd} = 4,25 \cdot 10^{-3}$$

des tableaux donnant  $\alpha$  en fonction de  $\beta$



$$\beta = 4,25 \cdot 10^{-3} \rightarrow \alpha = 0,30 \quad \text{et} \quad \beta = 1 - \frac{\alpha}{3} = 0,9$$

$$y = \alpha \cdot d = 3,9 \text{ cm} \quad (\text{position de l'axe neutre})$$

$$I_0 = b y^3 / 3 + b \frac{(h-y)^3}{3} + 15 A s (d-y)^2 = 5,44 \cdot 10^{-4} \text{ m}^4$$

$$\beta = 4,25 \cdot 10^{-3} \rightarrow \gamma_i = 4,14 \quad \text{et} \quad \gamma_v = 1,98$$

$b_s$  : contrainte effective

$$b_s = \frac{M}{\beta d A}$$

) sous G :

$$M = 0,455 \cdot 4,4^2 / 8 \cdot 0,85 = 0,936 \text{ t.m} = 0,936 \cdot 10^{-2} \text{ MNm}$$

$$\Rightarrow \sigma_s = 144,66 \text{ MPa} \rightarrow \mu = 0,194$$

$$\Rightarrow I_{f_i} = 2,78 \cdot 10^{-4} \text{ m}^4 \Rightarrow f_{a_i} = 0,20 \text{ cm}$$

$$I_{f_r} = 3,93 \cdot 10^{-4} \text{ m}^4 \Rightarrow f_{a_r} = 0,43 \text{ cm}$$

) sous G+P :

$$M = (0,455 + 0,287) \cdot 4,4^2 / 2 \cdot 0,85 = 1,526 \text{ t.m}$$

$$\Rightarrow \sigma_s = 235,85 \text{ MPa} \rightarrow \mu = 0,398$$

$$\Rightarrow I_{f_i} = 1,83 \cdot 10^{-4} \Rightarrow f_{a_i} = 0,5 \text{ cm}$$

fleche totale :

$$f_t = f_{a_r} - f_{a_i} + f_{a_{tp}} = 0,43 - 0,2 + 0,5 = 0,73 \text{ cm}$$

fleche admissible :

$$\bar{f} = \frac{l}{500} = \frac{4,4 \cdot 10^2}{500} = 0,88 \text{ cm}$$

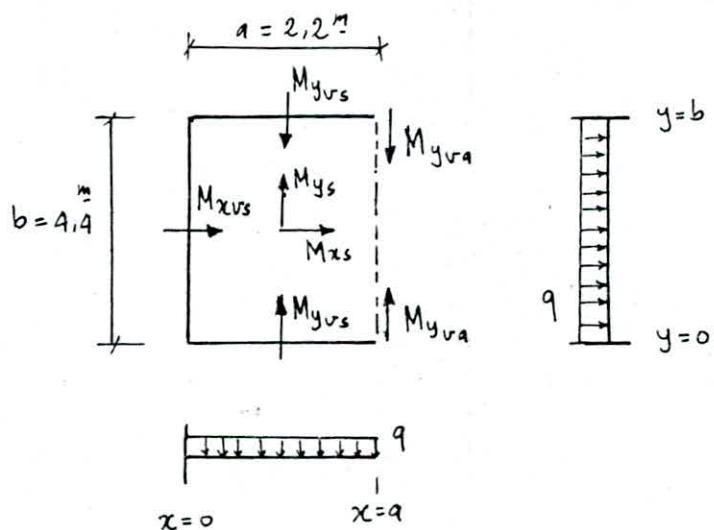
$$f_t < \bar{f}$$

la fleche est donc vérifiée.

## Balcon

Du fait de la grande portée des travées, les balcons seront munis de poutres caisses. Les dalles seront considérées comme encastrées sur les trois (3) côtés et libre sur le 4<sup>e</sup>.

Schéma statique :



1. Charges et Surcharges (voir Chap. 3)

$$q_u = 1,35 G + 1,5 P = 1,43 \text{ t/m}^2$$

1. Sollicitations : Le calcul des sollicitations sera donné par les tables de Barés.

$$\nu = 0 \quad (\text{coefficient de Poisson}), \quad \gamma = \frac{q}{b} = 0,5$$

$$M_{xs} = 0,0116 q a^2 = 0,08 \text{ t.m}$$

$$M_{xrs} = -0,2044 q a^2 = -1,41 \text{ t.m}$$

$$M_{ys} = 0,0108 q b^2 = 0,30 \text{ t.m}$$

$$M_{yrs} = -0,0319 q b^2 = -0,88 \text{ t.m}$$

$$M_{yra} = -0,0742 q b^2 = -2,05 \text{ t.m}$$

$$M_{yas} = 0,0246 q b^2 = 0,68 \text{ t.m}$$

Nous effectuerons un calcul de ferrailage avec les sollicitations maximales en valeur absolue pour chaque sens;

Nous disposerons un ferrailage symétrique pour chaque sens

$$M_n = 1,41 \text{ t.m} \quad \text{et} \quad M_y = 2,05$$

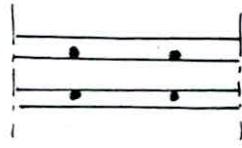
pour la section totale - le programme flexion simple nous donne :

$$A_x = 6,91 \text{ cm}^2$$

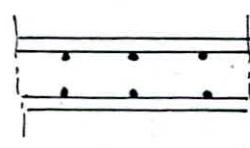
$$\text{soit } 8 \phi 12 = 9,05 \text{ cm}^2 \quad (\text{ou } 2 \phi 12/\text{ml})$$

$$A_y = 4,62 \text{ cm}^2$$

$$\text{soit } 5 \phi 12 = 5,65 \text{ cm}^2 \quad (\text{ou } 3 \phi 12/\text{ml})$$



sens x

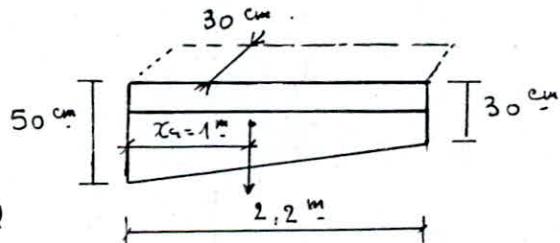


sens y

- ferrailage par mètre linéaire -

### Calcul des Poutres cansoles :

\* poids propre (retombée) 0,413 t



\* charges lui revenant du balcon:

- charges permanentes : 1,804 t/ml

- surcharges : 1,173 t/ml

- main courante (charges horizontale) : 0,48 t

• Moment à la section d'encastrement : (1,35G + 1,5P)

$$M = (0,413 \cdot 1 + 1,804 \cdot 2,2/2) 1,35 + 1,5 (1,173 \cdot 2,2/2 + 0,48 \cdot 1,2)$$

$$M = 6,036 \text{ t.m.}$$

Le programme flexion simple nous donne pour cette section :

$$A = 4,03 \text{ cm}^2 \quad \text{soit} \quad 4 \phi 12$$

$$A > A_{\text{fragilité}} = 0,23 b d f_{t28}/f_e = 1,63 \text{ cm}^2.$$

La vérification à l'E.L.S nous donne avec

$$M_{ser} = 4,264 \text{ t.m}$$

$$\bar{\sigma}_b = 5,70 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_b = 15 \text{ et } \bar{\sigma}_s = 230,42 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_s = 240$$

• Effort tranchant / armatures transversales.

$$V_u = 1,35(0,413 + 1,804 \cdot 2,2) + 1,5(1,173 \cdot 2,2) = 9,786 \text{ t.}$$

$$T_u = V_u / bd = 0,725 \text{ MPa.}$$

$$\bar{T}_u = \min [0,10 f_{28}; 3 \text{ MPa}] = 2,5 \text{ MPa}$$

$$T_u < \bar{T}_u \quad \text{vérifiée}$$

armatures transversales : On prend 1 cadre  $\phi 8$

$$\text{espacement maximal : donné par : } \frac{A_t}{s_t} > \frac{(T_u - 0,5)b}{0,8 f_e}$$

$$A_t = 1 \text{ cm}^2 \text{ et } f_e = 235 \text{ MPa}$$

$$\Rightarrow s_t \leq 27,8 \text{ cm. On prend } s_t = 25 \text{ cm.}$$

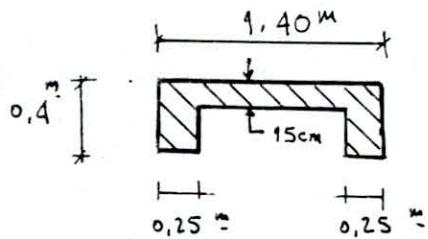
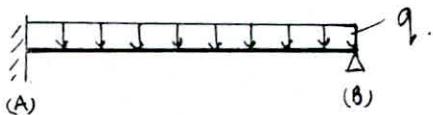
$$\bar{s}_t = \min [0,9d, 40 \text{ cm}] = 40 \text{ cm.}$$

$$(7 \text{ cm}) \leq s_t \leq \bar{s}_t \quad \text{vérifiée.}$$

# Passerelle

Dans le 1<sup>er</sup> niveau entre les locaux de commerce et l'escalier extérieur existe une passerelle de longueur 6,6 m et largeur 1,4 m, sa section transversale est en U ( dalle de compression + 2 poutres extrêmes )

schéma de calcul.



Charges / surcharges :

poids de la poutre 0,156 t/m.

poids de la dalle revenant à la poutre 0,26 t/m

revêtement 0,073 t/m

garde corps 0,1 t/m

$$q = 0,589 \text{ t/m} , P = 0,35 \text{ t/m}^2 \rightarrow p = 0,245 \text{ t/m}$$

$$\Rightarrow q_u = 1,35 q + 1,5 P = 1,16 \text{ t/m}$$

Par la méthode des forces on détermine les réactions

$$R_A = \frac{5}{8} q \cdot l ; R_B = \frac{3}{8} q \cdot l$$

$$\text{et les moments } M_A = -q l^2 / 8 , M_t = 9 q l^2 / 128 .$$

$$q_u = 1,16 \text{ t/m} \Rightarrow$$

$$R_A = 4,78 \text{ t} ; R_B = 2,87 \text{ t} ; M_A = 6,32 \text{ t.m}$$

$$\text{en travei } M_t = 3,55 \text{ t.m.}$$

- ferraillage de la poutre :

la section d'armatures calculée étant faible à celle

de la condition de non fragilité, on prendra cette dernière.  
en travée:  $A_{min} = 0,23 b d f_{t28} / f_e = 3,80 \text{ cm}^2$

s'agit 3φ 14

sur appui : le calcul en flexion simple donne:

$A = 4,77 \text{ cm}^2$       s'agit 3φ 16.

Vérification à l'E.L.S :

$$\bar{\sigma}_s = 152 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_s \quad \text{et} \quad \bar{\sigma}_b = 4,24 < \bar{\sigma}_b.$$

Pour la table de compression ou ferraille avec un treillis  
soudé φ 6 .

## Garde - Corps

Le calcul du garde-Corps sera fait pour une bande de largeur 1m que l'on assimilera à une caisse encastrée dans le plancher.

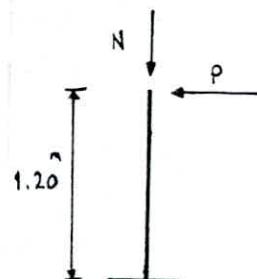
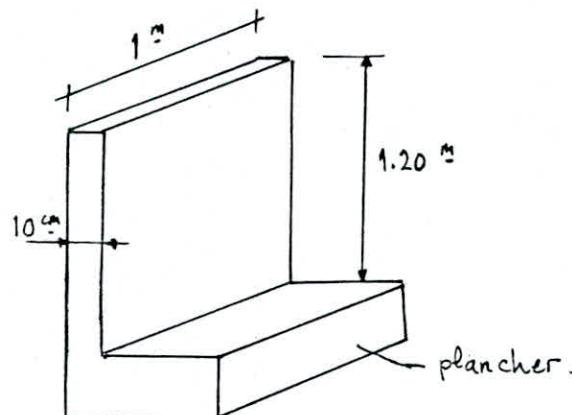


schéma statique

$$\text{Poids propre } N = 0,3t/\text{ml}$$

$$\text{Surcharge (main-courante) } P = 0,1t/\text{ml}$$

Sollicitations . (sous  $1,35G + 1,5P$ ) pour la bande d'1m

$$N_u = 0,405 \text{ t}$$

$$M_u = 0,18 \text{ t.m.}$$

$$\text{A l'EL.S : } N_{ser} = 0,3t ; M_{ser} = 0,12t$$

Cette bande est calculée donc en flexion composée

Le programme flexion composée nous donne pour cette section:

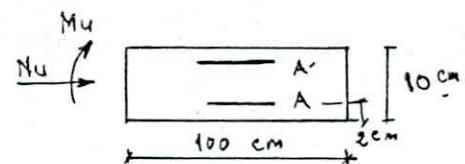
Section partiellement comprimée - Pivot A .

$$A = 0,61 \text{ cm}^2/\text{ml} \quad A' = 0$$

$$\text{Condition de non fragilité } A \geq A_{min} = 0,23bd \frac{f_{c28}}{f_e} = 0,97 \text{ cm}^2$$

$$\text{On prendra donc } 4T5/\text{ml} \text{ soit } A = 1,13 \text{ cm}^2.$$

espaceur de 25 cm .



La vérification à l'E.L.S nous donne

$$\bar{\sigma}_s = 95,65 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_s \quad \text{et} \quad \bar{\sigma}_b = 2,18 \text{ MPa} < \bar{\sigma}_b.$$

- EFFORT TRANCHANT / armatures transversales :

$$V_u = 0,15 t \quad + \quad T_u = \frac{V_u}{bd} = 1,67 \cdot 10^{-2} \text{ MPa}.$$

$$\bar{T}_u = \min [0,10 f_{z28}, 28 \text{ MPa}] = 2,5 \text{ MPa}$$

$$T_u < \bar{T}_u \quad \text{vérifiée.}$$

$$S_t = \min [25, 2h] = 20 \text{ cm.} \quad , \quad A_t = 2 \phi 8$$

### ✓ Vérification au séisme local

On doit vérifier que le garde-corps est capable de résister à une sollicitation horizontale agissant seule donnée par :

$$F_p = I \cdot Z \cdot C_p \cdot W_p.$$

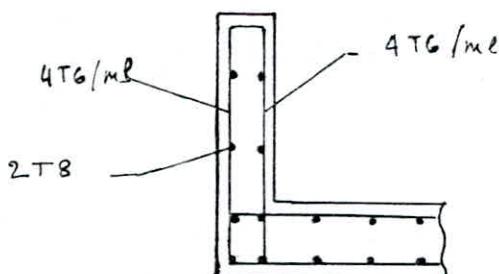
$$Z = \frac{A \text{ (groupe d'usage du bâtiment)}}{A \text{ (groupe d'usage en zone III)}} = \frac{0,15}{0,25} = 0,6$$

$$I = \frac{A \text{ (groupe d'usage du bâtiment)}}{A \text{ (groupe d'usage en Zone II)}} = \frac{0,15}{0,15} = 1$$

$$C_p = 0,8 \quad \text{et} \quad W_p = 0,3t/\text{m} \quad (\text{poids du garde-corps}).$$

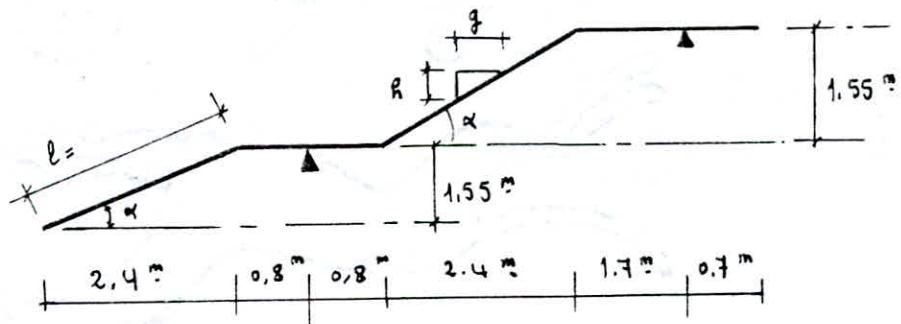
$$\Rightarrow F_p = 0,144 t/\text{m}$$

$$F_p < 1,5P = 0,15t/\text{m} \quad \text{vérifiée.}$$



# Escalier Intérieur

les escaliers intérieurs (entre le RDC et le 1<sup>er</sup>) sont formés par 2 volées et un palier intermédiaire.



Caractéristiques des escaliers :

à partir des conditions de confort et la formule de Blondel

$$5g \leq g+2h \leq 65 \text{ cm} \text{ et } \begin{cases} 22 \leq g \leq 33 \text{ cm} \\ 14 \leq h \leq 20 \text{ cm} \end{cases}$$

Induire pour les 2 volées ( $L = 2.4 \text{ m}$ ,  $H = 1.55 \text{ m}$ )

Nbre de marches :  $n = 9$  marches ;  $g = 30 \text{ cm}$  ;  $h = 17.2 \text{ cm}$

$$\alpha = 32,8^\circ \Rightarrow l = \frac{L}{\cos \alpha} = 2,86 \text{ m}$$

• Epaisseur de la paillasse :  $e = 15 \text{ cm}$ .

• Charges - Surcharges :

paillasse	$2.5 \cdot 0.15 / \cos \alpha$	$= 0.436 \text{ t/m}^2$
marches	$2.5 \cdot 0.172 / 2$	$= 0.215 \text{ t/m}^2$
revêtement	$0.03 \cdot 2.8$	$= 0.084 \text{ t/m}^2$
garde corps		$= 0.10 \text{ t/m}^2$

$$G = 0.835 \text{ t/m}^2$$

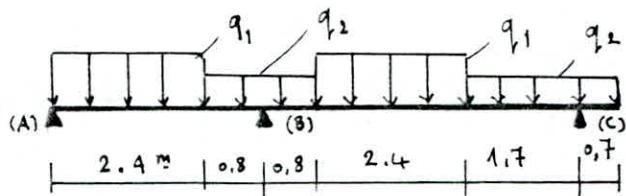
$$\text{Surcharge } P = 0.25 \text{ t/m}^2$$

$$\Rightarrow q_u = 1.35G + 1.5P = 1.5 \text{ t/m}^2$$

palier.	dalle.	$2,5 \cdot 0,15$	= $0,375 \text{ t/m}^2$
revêtement		$2,8 \cdot 0,03$	= $0,084 \text{ t/m}^2$
gaine de corps			= <u><math>0,10 \text{ t/m}^2</math></u>
Surcharge $P = 0,25 \text{ t/m}^2$			$c_1 = 0,559 \text{ t/m}^2$

$$q_u = 1,35 G + 1,5 P = 1,13 \text{ t/m}^2$$

D'où le schéma statique de calcul (pour une bande de 1m)



le système étant hyperstatique

en appliquant l'équation des 3 moments

$$Mc l_2 + Ma l_1 + 2M_B (l_1 + l_2) = - \frac{G}{l_1} \int_0^{l_1} M_{AB} x \cdot dx - \frac{G}{l_2} \int_0^{l_2} M_{BC} (l_2 - x) \cdot dx$$

$$\text{avec } Ma = 0 ; Mc = 1,13 \cdot \frac{0,7^2}{2} = 0,277 \text{ t.m.}$$

$$l_1 = l_{AB} = 3,2 \text{ m} ; l_2 = l_{BC} = 4,9 \text{ m}$$

$M_{AB}$  et  $M_{BC}$  étant les moment (expressions de  $x$ ) des travées isostatiques  $AB$  et  $BC$ .

Après application on trouve :

$$|M_B| = 2,96 \text{ t.m}$$

Moment maximum en travée (travée BC)  $M_t = 2,626 \text{ t.m}$

$$\text{les réactions } R_A = 1,438 \text{ t.}, R_C = 3,37 \text{ t.}$$

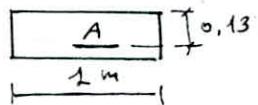
$$\text{et } R_B = 3,066 + 3,846 = 6,912 \text{ t.}$$

Ferraillage :

le programme flexion simple nous donne pour les 2 sections :

1 Sur appui  $M_a = 2,96 \text{ t.m}$  (pivot A)

$$A = 7,01 \text{ cm}^2 \text{ soit } 7 \phi 12 / \text{m.l}$$



armatures de répartition minimum.  $A_g \rightarrow 4\phi 12 / \text{m.l}$

En travée:  $M_u = 2,626 \text{ t.m}$

puis  $A$  ( $\mu < \mu_{bu} = 0,186$ )  $\rightarrow A = 6,18 \text{ cm}^2$

Soit  $6\phi 12 / \text{m.l}$  armatures de répartition ( $\frac{A}{4}$ ) soit  $4\phi 12 / \text{m.l}$   
armatures de nou fragilité  $A_s \geq 0,23bd f_{c28}/f_e = 1,57 \text{ cm}^2$   
vérifiée.

### 1 EFFORT TRANCHANT.

$$V_{u \max} = R_B(\text{droite}) = 3,846 \text{ t.}$$

$$\bar{\tau}_u = \frac{V_u}{bd} = 0,296 \text{ MPa}$$

$$\bar{\tau}_u = \min [0,13 f_{c28}, 4 \text{ MPa}] = 3,25 \text{ MPa}$$

$\tau_u < \bar{\tau}_u$  vérifiée.

### CALCUL DU POTEAU (C)

le poteau est calculé en compression centrée.

$$N = 3,37 \text{ t.} \quad \text{poteau } 25 \times 25 \text{ cm}^2$$

longueur de flambement  $l_f = 0,7l_0 = 0,7 \cdot 3,10 = 2,17$ .

$$\lambda = \frac{l_f}{x_i} = \sqrt{12} l_f / a = 30,07 \quad \lambda < 50 \Rightarrow$$

$$\beta = 1 + 0,2 \left( \frac{\lambda}{35} \right)^2 = 1,15.$$

$$A_s \geq \frac{1}{0,85 f_{su}} [\beta \cdot N_u - A_{br} f_{bu} / 0,9]$$

$$A_{br} = (a - 0,02)^2 = 0,053 \text{ m}^2.$$

$$A_s \geq -26,3 \text{ cm}^2.$$

$$\text{donc on choisira } A_{min} = \max [4u, 0,2, \frac{Ab}{100}] = 4 \text{ cm}^2$$

Soit  $4T14$ .

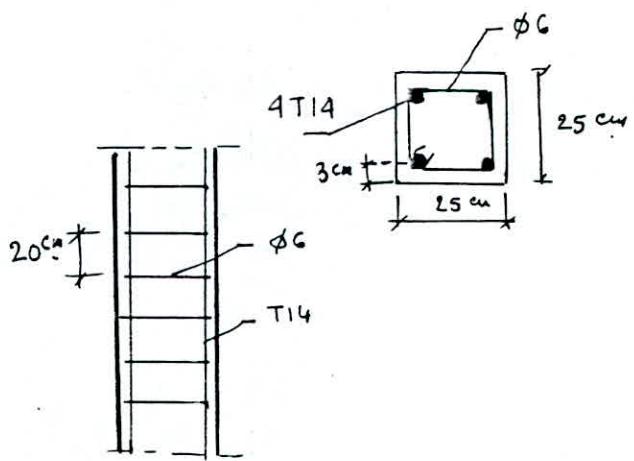
Pour le poteau (B) le calcul conduit à une section négative  
on adoptera la même section minimale.

## Armatures transversales

$$\phi_t = \frac{\phi_{\text{min}}}{3} = 4.67 \quad \text{on prend } \phi_t = 6 \text{ mm}$$

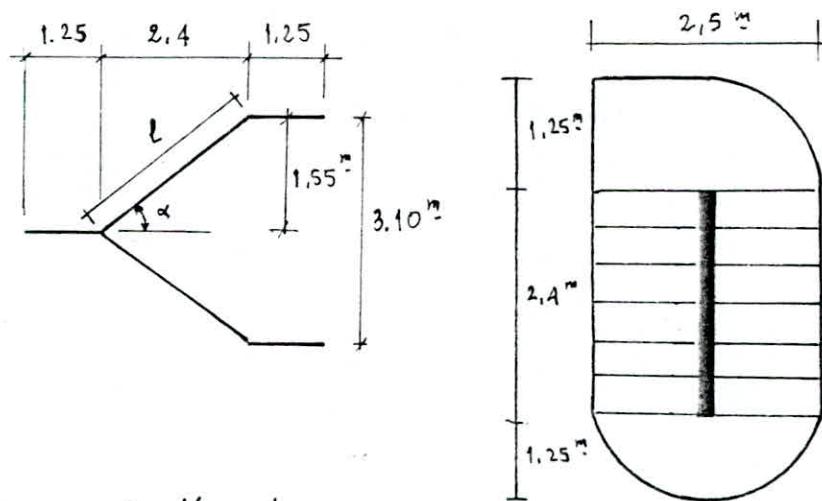
$$S_t \leq \min [15\phi_t, 40, a+10] = 21 \text{ cm.}$$

$$\Rightarrow S_t = 20 \text{ cm.}$$



# Escalier Exterieur

Notre ouvrage comporte deux escaliers extérieurs identiques isolé du bâtiment. Ils sont formé par un voile central dans lequel sont encastrés les paliers et paillasses. Le voile a une épaisseur de 30 cm.



## Caractéristiques de l'escalier

- marches : en respectant la condition de confort  
 $14 \leq h \leq 20$  ;  $22 \leq g \leq 33$  et  $59 \leq g+2h \leq 65$ .

Qu'a : Nbre de marche / volée = 9 .

$$h = 17,2 \text{ cm} \quad g = 30 \text{ cm} \quad \text{et } \alpha = 32,8^\circ.$$

épaisseur des paliers et paillasse (dalle)  $e = 15 \text{ cm}$ .

$$l = 2,4 / \cos \alpha = 2,86 \text{ m}.$$

Surface de niveau :

$$\text{paillasses } 2(1,1 \cdot 2,86) = 6,29 \text{ m}^2$$

$$\text{paliers } (1,25 \cdot 1,1 + \frac{1}{4}\pi \cdot 1,25^2) + 1/2\pi \cdot 1,25^2 = 5,66 \text{ m}^2$$

$$\text{longueur du voile} = 2,4 \text{ m}$$

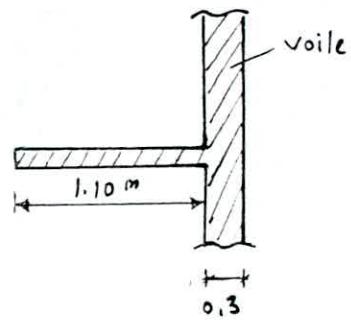
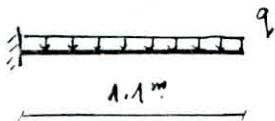
$$\text{longueur du garde corps / niv} = 2 \times 2,86 + \frac{3}{4}\pi \cdot 1,25 = 11,6 \text{ m}$$

$$\text{hauteur totale de l'escalier} : 19,05 \text{ m}$$

## • / Ferrailage de l'escalier (paillasse + palier)

L'escalier est encastré dans le voile, il est calculé comme une caisse par m.l.

schéma statique :



Charges - Surcharges :

paillasse . poids propre paillasse	$2,5 \cdot 0,15 =$	$0,375 \text{ t/m}^2$
. poids des marches	$2,2 \cdot \frac{0,172}{2} =$	$0,189 \text{ t/m}^2$
. revêtement		$0,11 \text{ t/m}^2$
. garde corps	$1,2 \cdot 0,1 \cdot 1,9 =$	$0,23 \text{ t/m}^2 \equiv 0,418 \text{ t/m}^2$
		<u><math>1,09 \text{ t/m}^2</math></u>

palier.

poids propre	$0,15 \cdot 2,5$	$0,375 \text{ t/m}^2$
revêtement		$0,11 \text{ t/m}^2$
garde corps		$0,418 \text{ t/m}^2$
		<u><math>0,903 \text{ t/m}^2</math></u>

Surcharge  $P = 0,250 \text{ t/m}^2$

Pour u.m.l  $q = 1,09 \text{ t/m}^2 \quad P = 0,250 \text{ t/m}^2$

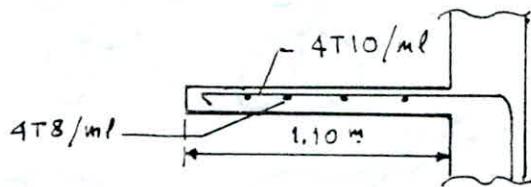
$$q = 1,35g + 1,8p = 1,85 \text{ t/m}$$

$$M_{\max} = q \frac{l^2}{2} = 1,12 \text{ t.m.} \quad (\text{section à l'enca斯特rement})$$

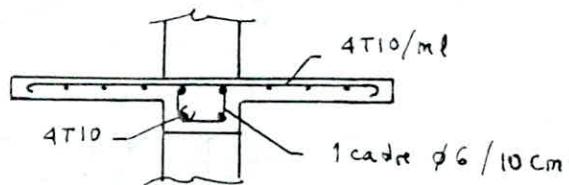
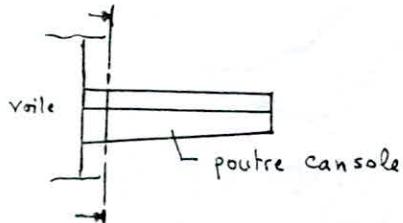
Le programme flexion simple nous donne.

$$A_s = 2,53 \text{ cm}^2/\text{m}$$

On prend 4T10 /m.l avec un espaceur de 25 cm et 4T8 /m.l comme armatures de répartition.



Au niveau du palier on dispose, dans le sens du voile, un chainage



### 1. EVALUATION DU POIDS DE L'ESCALIER

$$\text{poids de l'escalier / niveau} = 11,425 \text{ t}$$

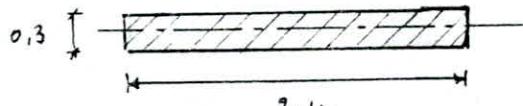
$$\text{poids du voile / ml } 0,3 \cdot 2,4 \cdot 2,5 = 1,8 \text{ t/ml}$$

$$\text{poids total du voile } 1,8 \cdot 19,05 = 34,29 \text{ t}$$

$$\text{poids total : } W = 11,425 \times 5 + 34,29 = 91,415 \text{ t}$$

### 1 Etude de la stabilité - Etude au séisme

- Inertie du voile :  $I = 0,346 \text{ m}^4$ .



- Période de vibration :

pour la détermination de la période on applique la formule utilisée dans le cas d'un fût en B.A.

$$T = 1,76 H^2 \sqrt{\frac{P'}{g E_i I}}$$

$$E_i = 32164 \text{ MPa} ; H = 19,05 \text{ m} , g = 9,81 \text{ m/s}^2 , I = 0,346 \text{ m}^4$$

$$\text{et } P' : \text{poids par mètre linéaire} = W/H = 4,8 \text{ t/m.}$$

$$\Rightarrow T = 0,42 \text{ s.}$$

1. Évaluation de la force sismique : (RPA. art. 3.3.1)

Effort tranchant à la base  $V = A \cdot B \cdot D \cdot Q \cdot W$

$$A = 0,25, B = 0,15, Q = 1,3 \text{ et } D = 2 \quad (T \leq 0,5)$$

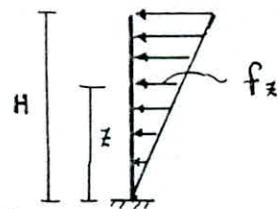
$$V = 8,91 \text{ t}$$

1. Distribution de la force sismique

$$V = F_t + \sum_{i=1}^n F_i \quad ; \quad T \leq 0,7 \Rightarrow F_t = 0$$

masse uniformément répartie ; la force au niveau  $z$  est donnée par

$$f_z = \frac{V \cdot m(z) \cdot z}{\int_0^H m(z) z \cdot dz}$$



$$\text{intensité maximale } f(H) = \frac{2 \cdot V}{H} = 0,94 \text{ t}$$

Moment de renversement dû au séisme :

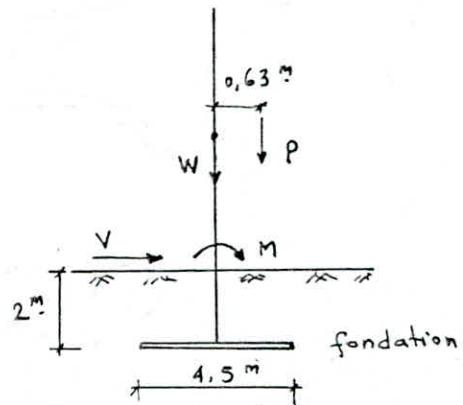
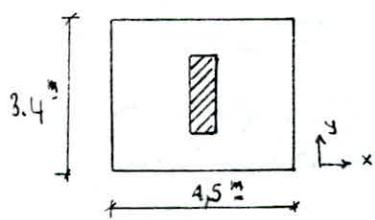
$$M = \frac{2}{3} V H = 113,16 \text{ t.m}$$

1. Vérification de la stabilité :

Pour cela nous prenons le cas le plus défavorable ; les caissons sont chargées d'un côté et déchargées de l'autre.

Dimensions de la semelle :

$$(4,5 \times 3,4) \text{ m}^2 \text{ épaisseur } 0,5 \text{ m}$$



poids des terres	$1,5 \cdot 4,2 \cdot 3,4 \cdot 1,8$	= 38,56 t
poids de la semelle	$0,5 \cdot 3,4 \cdot 4,5 \cdot 2,5$	= 19,12 t
poids de la partie du voile enterré	$0,3 \cdot 2,4 \cdot 2,5$	= 2,7 t
W total		= 31,415 t

Poids total sur fondation 151,8 t

surcharge  $P = 7,09$  t.

Moment de renversement :

$$M_r = M + 2 \cdot V = 135,45 \text{ t.m.}$$

Moment de stabilité  $M_s = W_{\text{total}} \cdot \frac{l}{2} = 151,8 \cdot \frac{4,5}{2} = 341,85 \text{ t.m.}$

$$\frac{M_s}{M_r} = 2,52 > 1,5 \quad - \text{stabilité vérifiée -}$$

### Vérification de la contrainte dans le sol

(sous  $G + P \pm E$ )

$$N = N_g + N_p = 151,8 + 14,19 = 165,99 \text{ t}$$

$$M = M_E = M + 2 \cdot V = 130,98 \text{ t.m.}$$

$$e_0 = M/N = 0,789 \text{ m} < \frac{\frac{L}{4}}{4} = \frac{3,4}{4} = 0,85 \text{ m}$$

sens X :  $e_0 > \frac{L}{6} = \frac{4,5}{6} = 0,75 \text{ m}$

alors  $\sigma_{\max} = \frac{2N}{3(\frac{L}{2}-e)b} = \frac{2 \cdot 165,99 \cdot 10^3}{3(\frac{4,5}{2} - 0,789) \cdot 3,4 \cdot 10^4}$

$$\sigma_{\max} = 2,23 \text{ kg/cm}^2 < 1,5 \bar{\sigma}_s = 31 \text{ kg/cm}^2$$

sens Y  $e_0 > \frac{3,4}{6} = 0,567 \text{ m.}$

$$\sigma_{\max} = \frac{2N}{3(\frac{L}{2}-e)b} = \frac{2 \cdot 165,99 \cdot 10^3}{3(\frac{3,4}{2} - 0,789)4,5 \cdot 10^4} = 2,7 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma_{\max} < 1,5 \bar{\sigma}_s \quad \text{vérifié.}$$

## 1. Ferrailage de la semelle :

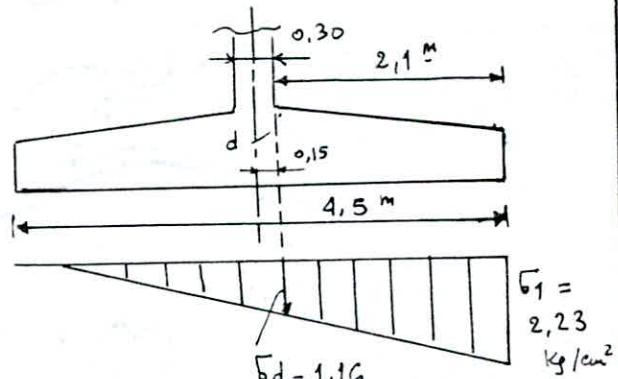
Dans notre cas ( $\text{e}_0 > \frac{\text{l}_{\text{min}}}{6}$ ), le diagramme de réaction du sol est semi-triangular. On utilisera pour le ferrailage la méthode des caissons simplifiée.

On donnera le ferrailage par mètre linéaire.

$$\bar{b}_2 = \frac{N}{S} \pm \frac{M}{I} \cdot y$$

$$\bar{b}_1 \text{ déjà calculé} = 2,23 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{b}_d = \bar{b}(y=0,15) = 1,16 \text{ kg/cm}^2 \quad 0,5 \text{ m}$$



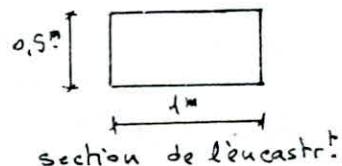
Moment d'enca斯特rement (section d)

$$M_d = 1,16 \cdot \frac{2,1^2}{2} + \frac{(2,23 - 1,16)}{2} \cdot 2,1 \cdot \left(\frac{2}{3} \cdot 2,1\right)$$

$$M_d = 4,13 \text{ t.m}$$

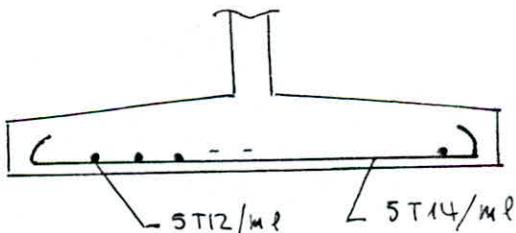
Le programme de la flexion simple donne,

$$A_s = 2,42 \text{ cm}^2/\text{m.l.}$$



On prendra ST14/m.l

et l'autre peu ST12/m.l



## 1. Ferrailage du voile :

Le voile est calculé en flexion composée pour la combinaison  $0,8 G + E$ . — à la base  $T = V = 8,91 \text{ t}$

$$M_E = 130,98 \text{ t.m} \quad ; \quad 0,8 N_G = 0,8 \cdot 91,415 = 73,13 \text{ t}$$

$$N_P = 14,19 \text{ t} \quad ; \quad I_{\text{voile}} = 0,346 \text{ m}^4, \quad \sigma_{\text{voile}} = 0,72 \text{ m}^2$$

$$e_0 = \frac{M}{N} = 1,24 > \frac{l}{6} \Rightarrow$$

la section est partiellement comprimée

$$0,3 \quad l = 2,4$$

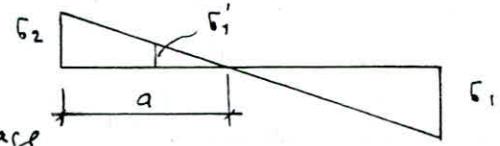
$$\sigma'_2 = \frac{M}{I} + \frac{M \cdot v}{I} = \begin{cases} \sigma_1 = 55,58 \text{ kg/cm}^2 \\ \sigma_2 = -35,27 \text{ kg/cm}^2 \end{cases}$$

$a = 0,93 \text{ m}$  : partie tendue

On prend une largeur de bande /

$$d \leq \min \left( \frac{h_e}{2}, \frac{2a}{3} \right) ; h_e : \text{hauteur d'étage}$$

$$d = 0,6 \text{ m}$$



- Calcul de la section  $(0,3 \times 0,6)$   $\rightarrow (I_1 = 5,4 \cdot 10^{-3} \text{ m}^4, \Omega_1 = 0,18 \text{ m}^2)$

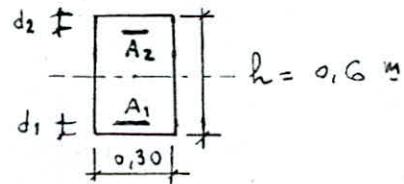
S sollicitations :  $\sigma'_2 = \frac{N_1}{\Omega_1} \pm \frac{M_1 \cdot v_1}{I_1} (*) \quad \begin{cases} \sigma'_1 = 125,15 \text{ t/m}^2 \\ \sigma'_2 = 352,70 \text{ t/m}^2 \end{cases}$

La résolution du système (\*) donne  $N_1 = 43,1 \text{ t}$ ,  $M_1 = 4,09 \text{ t.m}$

$$e_0 = \frac{M_1}{N_1} = 0,095 \text{ m}$$

- section étudiée -

$$e_2 = \frac{h}{2} - d_2 - e_0 = 0,155 \text{ m}$$



$$e_1 = \frac{h}{2} - d_1 + e_0 = 0,345 \text{ m}$$

$$A_1 = \frac{N \cdot e_2}{f_{su}(e_1 + e_2)} = 3,83 \text{ cm}^2$$

$$A_2 = \frac{N \cdot e_1}{f_{su}(e_1 + e_2)} = 8,52 \text{ cm}^2$$

$$\text{On a } \frac{A_1 + A_2}{2 \times 0,6} = 10,29 \text{ cm}^2/\text{ml/face}$$

On prend 7 T14 / ml / face espacement 15 cm.

• Armatures horizontales :

$$T_b = \frac{1,4 \cdot V}{b \cdot l} = \frac{1,4 \cdot 8,91}{0,3 \cdot 1} \cdot 10^{-2} = 0,416 \text{ MPa}$$

$$\bar{T} = 0,12 f_{c28} = 3 \text{ MP} \quad T < \bar{T} \text{ vérifiée.}$$

On prend % min.  $\omega_{\text{min}} = 0,15\%$   $\Rightarrow A_H = 4,5 \text{ cm}^2/\text{ml}$

On prend 5 T10 / ml / face . avec espacement de 20 cm .

**CHAPITRE 12**

**FONDATION**

# Fondations

## INTRODUCTION :

les fondations sont des organes destinés à transmettre au sol, dans les conditions les plus favorables, les charges provenant de la superstructure.

Il existe deux catégories de fondations:

- fondations superficielles (semelle isolée, semelle continue, radier)
- fondations profondes (pieux, puits).

## CHOIX DE LA FONDATION :

Un projet de fondation correct doit répondre à certains critères:

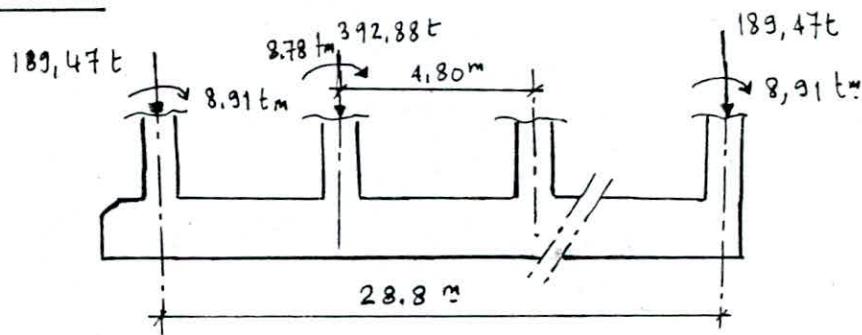
- la forme et l'emplacement des fondations doivent être choisie de manière à assurer la sécurité de la construction
- la fondation doit exercer sur le sol des contraintes compatibles avec la résistance à la rupture.

Pour notre ouvrage on a le choix entre semelles continues sous poteaux et semelles isolées.

Pour les fondations sous poteaux (80x40) la solution d'une semelle isolée n'a pu être adoptée car elle nous a conduit à une surface de base assez grande; d'où le choix d'une semelle continue.

Pour les poteaux (40x40) on a adopté des semelles isolées.

## I) SEMELLE CONTINUE



La semelle est calculée sous la combinaison la plus défavorable ( $N_{q\max}$ ,  $M_{cr}$ ) des situations durables et accidentelles.

1) Détermination de la Contrainte admissible du sol.

Elle est donnée par la formule D.T.U

$$\sigma_s = \gamma \cdot d + \frac{\gamma \cdot s \cdot N_g + \gamma \cdot d \cdot (N_q - 1) + c \cdot N_c}{F_s}$$

Données du rapport du sol :

$\gamma_d$  : poids spécifique du sol sec  $\gamma_d = 1.78 \text{ t/m}^3$

poids volumique du sol humide  $\gamma = \gamma_d(1+w) = 2.11 \text{ t/m}^3$

w : teneur en eau  $w = 18,5 \%$

c : cohésion du sol  $c_u = 0,3 \text{ t/m}^3$

$\varphi$  : angle de frottement interne non drainé  $\varphi_u = 27^\circ$

$e_0$  : indice des nides initial  $e_0 = 0,58$ .

$C_c$  : indice de compressibilité  $C_c = 0,07$ .

La profondeur d'ancrage (d) est de 2 m.

Coefficient de surface  $N_g = (N_q - 1) \operatorname{tg}(\pi/4 + \varphi/2)$

Coefficient de profondeur  $N_q = \operatorname{tg}^2(\pi/4 + \varphi/2) e^{-\pi \operatorname{tg} \varphi d}$

terme de cohésion  $N_c = (N_q - 1) \operatorname{cots} \varphi$ .

$N_g = 13,2$  ;  $N_c = 23,94$  ;  $N_s = 9,46$ .

$s = \frac{\Omega}{\rho}$  semelle rectangulaire  $s = \frac{B}{2(1+B/L)}$

$$\text{Semelle continue } f \approx \frac{\beta}{2} \quad (\beta/L \rightarrow 0)$$

$\beta$ : largeur de la semelle ,  $L$ : longueur de la semelle.

$$\beta = 3.20 \text{ m} ; L = 28.8 \text{ m}$$

$F_s$ : coefficient de sécurité  $F_s = 4$

$$\Rightarrow \bar{f}_s = 26,74 \text{ t/m}^2$$

Hauteur de la semelle ( $h$ ) :

On dimensionne la hauteur de la semelle par les conditions de poinçonnement et de rigidité.

- Poinçonnement :  $Q \leq 0,048 u_c h \cdot f_{c28}$

avec  $u_c = 2(a+b+2h)$  : périmètre du contour homothétique du poteau, situé à  $\frac{h}{2}$ .

$$a=0,8 \text{ m}, b=0,4 \text{ m}, Q=392,88 \text{ t} ; f_{c28}=25 \text{ MPa}$$

$$\Rightarrow 4h^2 + 2,4h - 3,49 \geq 0 \Rightarrow h \geq 0,68$$

- Rigidité  $\frac{l}{3} \leq h \leq \frac{l}{5}$  :  $l=4,80 \text{ m} \Rightarrow$   
 $0,53 \leq h \leq 0,8 \text{ m}$

On choisit  $h=80 \text{ cm}$ .

Pour que la semelle travaille sous charges linéaire il faut avoir  $l \leq \frac{\pi}{2} l_e$   $l_e$ : longueur élastique :

$I$ : moment d'inertie de la semelle

$$B=3,20 \text{ m} ; E=32164 \text{ MPa}$$

$$l_e = 4 \sqrt{\frac{4EI}{K \cdot B}}$$

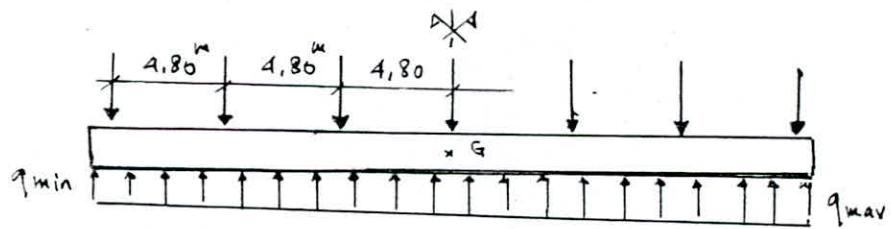
$$K=0,4 \text{ MPa} ; I=bh^3/12 \Rightarrow l_e = 10,82$$

$$\frac{\pi}{2} \cdot l_e = 17 \text{ m} > l \text{ vérifiée.}$$

Donc nous pouvons supposer une réaction linéaire car la poutre est suffisamment rigide.

↓ Distribution des réactions par mètres linéaire :

Pour la détermination des contraintes sous la semelle on ramène tous les efforts au centre de gravité de la semelle



sous (SP1)

$$e = \frac{M}{N} = \frac{61,72}{2343,34} = 0,026 \text{ m} < \frac{L}{6}$$

$$q_{\max} = \frac{N}{L} \left( \frac{1}{B} + \frac{6e}{LB} \right) = 25,56 \text{ t/m}^2 < \bar{q}_s = 26,74 \text{ t/m}^2$$

$$q_{\min} = \frac{N}{L} \left( \frac{1}{B} - \frac{6e}{LB} \right) = 25,29 \text{ t/m}^2.$$

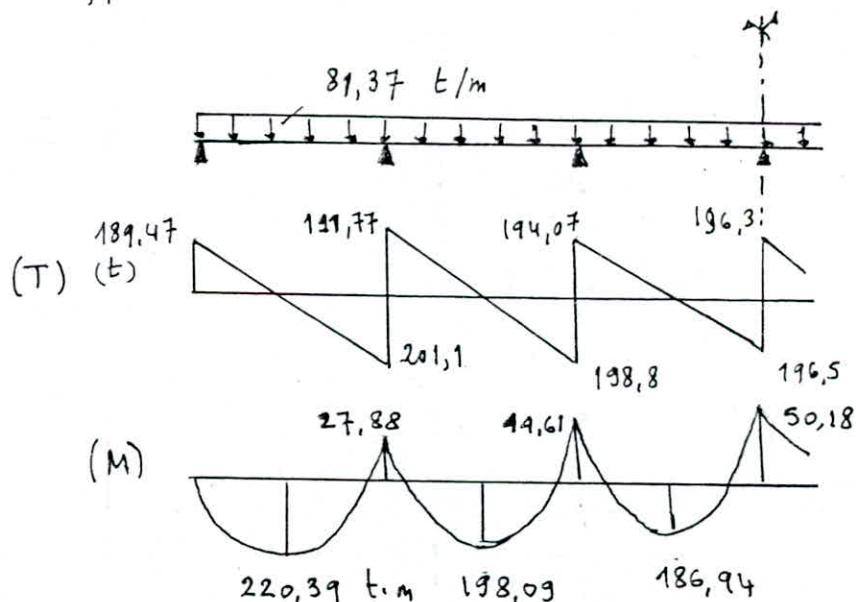
sous (SP2)

$$e = \frac{M}{N} = \frac{150,55}{1666,22} = 0,09 \text{ m} < \frac{L}{6}.$$

$$q_{\max} = 18,25. \quad ; \quad q_{\min} = 18,18 \text{ t/m}^2.$$

Pour le calcul sous (SP1) on suppose un diagramme charge uniforme

Diagrammes - Moment effort tranchant.

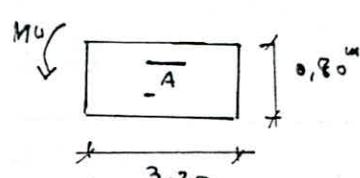


ferrailage : (flexion simple)

En travée  $M_u \approx 220,39 \text{ t.m.}$

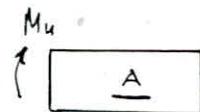
$$\Rightarrow A = 32,57 \text{ cm}^2$$

soit 20 T25 -



A l'appui :  $M_u = 30,18 \text{ t.m}$

$$\Rightarrow A = 27,82 \text{ cm}^2 \text{ soit } 10 \text{ T20}$$



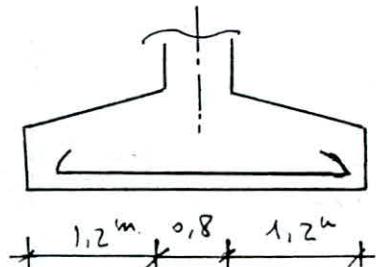
Armatures Perpendiculaires à la poutre de rigidité

On utilise la méthode des caissons

pour une bande de largeur 1m

les caissons sont chargés uniformément  
par la contrainte moyenne de l'autre

sens  $\sigma_{\text{t}}$  ( $1/4$ )



Moment à la section d'enca斯特rement

$$M = q \frac{l^2}{2} = 25,43 \cdot 2 \cdot 1^2 / 2 = 18,31 \text{ t.m.}$$

$$\Rightarrow A = 8,69 \text{ cm}^2 \text{ soit } 5 \text{ T16. espace ment 20 mm}$$

Vérification à l'effort tranchant :

$$V_u = 30,52 \rightarrow T_u = \frac{V_u}{bd} = 0,38 \text{ MPa} < \bar{T}_u = 2,5.$$

Espace ment des armatures transversales dans la poutre de rigidité :

$$S_t \leq \frac{0,8 f_e \cdot A_s}{(T_u - 0,5) B}$$

$$\text{On prend } \phi 10 ; T_{u \max} = 201,1 \text{ t} \Rightarrow T_u = 0,87 \text{ MPa}$$

$T_u \leq \bar{T}_u$  vérifiée.

$$S_t \leq (0,9 d; 40a) \Rightarrow S_{t0} = 40 \text{ cm.}$$

$$\text{Contrainte d'adhérence } \bar{T}_s = 0,6 \Psi_s^2 f_{c28} = 2,83 \text{ MPa}$$

$T \leq \bar{T}_s$  vérifiée.

longueur de scellement droit  $l_s = \frac{\phi f_e}{4 \bar{T}_s}$ .

$$\text{soit } l_s = 40 \phi.$$

Vérification à l.E.L.S. :

$$\bar{\sigma}_s = 240 \text{ MPa} , \bar{\sigma}_b = 15 \text{ MPa}$$

$$\gamma = \frac{A}{bd} = 0,4\% \rightarrow (\text{table Memento - BAEL})$$

$$\left\{ \begin{array}{l} K' = \frac{\bar{\sigma}_s}{\bar{\sigma}_b} = 133,3 \rightarrow \bar{\epsilon}'_b = 1,8 < \bar{\epsilon}_b \\ \beta = 0,966 \end{array} \right.$$

avec le moment service on calcule la section d'armature

$$A_{ser} = \frac{M}{\beta d \bar{\sigma}_s} = \frac{98,25 \cdot 10^{-2}}{0,966 \cdot 0,72 \cdot 400} = 35,3 \text{ cm}^2 < A_u$$

---

## II SEMELLE ISOLE SOUS POTEAU (40x40)

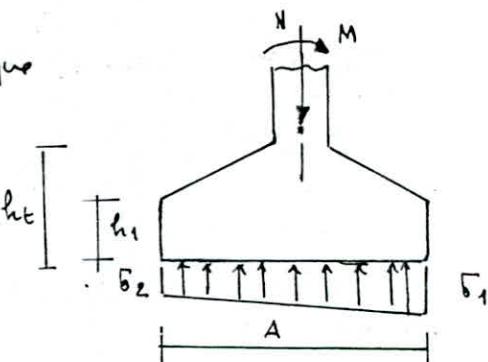
Nous adoptons une semelle homothétique

$$\text{au poteau } \frac{A}{B} = \frac{a}{b} = 1 \rightarrow A = B$$

Sollicitations :

$$\text{Sous SP1 : } \left\{ \begin{array}{l} N = 86,79 \cdot t \\ M = 1,69 \cdot t \cdot m \end{array} \right. \text{ situation durable}$$

$$\text{Situation accidentelle (SP2) : } \left\{ \begin{array}{l} N = 85,21 \\ M = 15,19 \end{array} \right.$$



Dimension de la sous face (A) : à partir de la condition de stabilité en écrivant  $\bar{\sigma}(A/4) \leq 1,5 \bar{\sigma}_s$  (1) ou tire. A

$$\bar{\sigma}(A/4) = \frac{N}{A^2} + \frac{3M}{A^3} \quad (\text{N et M sollicitations du 2<sup>nd</sup> genre})$$

$$\text{et } \bar{\sigma}_s = \gamma \cdot D + \frac{\gamma \cdot N_f + \gamma \cdot D(N_g - 1) + (1 + 0,3B/A) c N_c}{F}$$

$$A = B \quad \text{et} \quad \gamma = 0,25 A$$

$$\bar{\sigma}_s = 19,426 + 1,25 A$$

L'inéquation (1) devient

$$-1,25 A^4 - 28,869 A^3 + 85,21 A + 45,57 \leq 0$$

Après itération on choisit  $A=B=2 \text{ m}^2$ .

$$\Rightarrow \bar{b}_s = 21,75 \text{ t/m}^2$$

↓ Vérification des contraintes dans le sol :

Nous ajoutons à l'effort normal ramené de la superstructure le poids propre des terres  $Q_T$  et le poids de la semelle  $Q_s$

$$\begin{cases} Q_T = 14,56 \text{ t} \\ Q_s = 2,75 \text{ t} \end{cases} \Rightarrow N_T = N_u + Q_s + Q_T = 102,52$$

$$\bar{b}(A/4) = \frac{3M}{A^3} + \frac{N}{A^2} = 31,32 \text{ t/m}^2 < 1,5 \bar{b}_s = 32,62 \text{ t/m}^2$$

↓ Vérification au poinçonnement :

$$\bar{N} = 0,045 u_c h \cdot f_{c28}$$

$$h \rightarrow \text{condition de rigidité } h \geq \frac{A-a}{4} = 0,4 \Rightarrow h = 45 \text{ cm.}$$

$$\text{épaisseur de la semelle } h_1 = \frac{h_c}{3} \leq \frac{h_t}{2} \text{ avec } h_t \geq 6\phi + 6$$
$$\rightarrow h_1 = 20 \text{ cm.}$$

$$u_c \approx \frac{h}{2} \rightarrow u_c = 3,2 \text{ m}^2 \Rightarrow \bar{N} = 16,2 \text{ t}$$

$$N < \bar{N} \quad \text{vérifie}$$

Ferraillage de la semelle :

Par la méthode des bieles.

$$F_{max} = \frac{N_m(A-a)}{8d} \quad N_m = 108 \text{ t} ; d = h_t - c = 0,4 \text{ m}$$
$$N_m = \bar{b}(A/4) \cdot A^2$$

$$F_{max} = 54 \cdot T$$

$$A_x = A_y = \frac{F_{max}}{f_{su}} = \frac{54 \cdot 10^{-2}}{348} = 15,52 \text{ cm}^2$$

soit 8 T 16 espacement 25 cm.

↓ Vérification à l'adhérence :  $\bar{t}_s = 0,6 \Psi^2 f_{c28} = 2,84 \text{ MPa}$

$b_s = \frac{\phi}{4} f_e / I_s = 56,34 \text{ cm.} \rightarrow \frac{4}{4} = 50 \Rightarrow$  toutes les barres doivent-être prolongées jusqu'aux extrémités avec ancrage courbe.

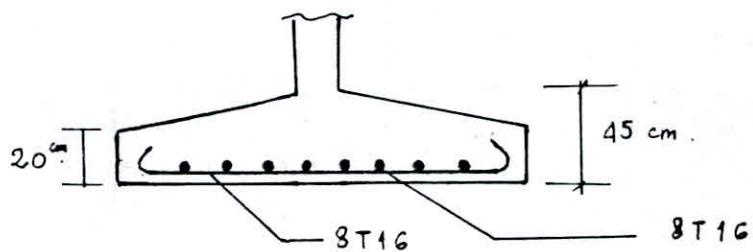
Etat limite de service :

$$N = 63,88 t, M = 1,04 t.m.$$

$$\bar{s}(A/4) = 16,36 \text{ t/m}^2 \rightarrow N_1 = \bar{s}(A/4) \cdot A^2 = 65,44 \cdot t.$$

$$f_{max} = \frac{65,44 \cdot (2 - 0,4)}{8 \cdot 0,4} = 32,72 t$$

$$A = F_{max} / \bar{s}_s = 13,63 \text{ cm}^2 \quad A_u = 15,52$$



## LONGRINES

les fondations sont chainées par des longrines suffisamment rigides qui sont calculées pour résister à la traction sous l'action d'une force égale à  $N/10$  (terrains meubles) - R.P.A 4.2.3.3 -  $N$  est l'effort axial du poteau en question.

Le ferrailage minimum doit être  $4\phi 14$  ou  $4T12$  avec des cadres dont l'espacement ne doit pas dépasser 20 cm.

Nous prenons pour notre cas des longrines  $30 \times 30$  avec un ferrailage de  $4\phi 14$  et des cadres avec espacement de 20 cm.

## VOILE PERIPHERIQUE

Conformément à l'article 3.3.8.5. du RPA notre bâtiment qui est de la catégorie 3 comporte un voile périphérique continu entre le niveau des longrines et le niveau de base.

Ce voile doit avoir les caractéristiques minimales :

- épaisseur  $c \geq 15$  cm
- armatures longitudinales supérieures et inférieures de section  $\geq 0,20\%$  de la section transversale totale de béton. avec recouvrements  $\geq 50\phi$ .

$$c = 15 \text{ cm} ; A_L = 0,2 \cdot 200 \cdot 15 / 100 = 6 \text{ cm}^2 \text{ soit } 4T14$$

$$ld \geq 50\phi = 70 \text{ cm}.$$

- armatures longitudinales de plan.  $A_p \geq 2 \text{ cm}^2$  par m<sup>l</sup>/face par metre linéaire de hauteur.

On prend  $2T14$  /m<sup>l</sup> / face ( $A = 3,08 \text{ cm}^2$ )

A N N E X E

# PROGRAMME 1

```

10    CLS
40    PRINT"*** FLEXION SIMPLE ***"
50    PRINT"** ETAT LIMITE ULTIME **"
85    PRINT
90    '      ENTREE DES DONNEES
120   INPUT" FC28(mpa)="" ; FC
130   INPUT" FE(mpa)..="" ; FE
135   INPUT"-GAMMA.B=.."; YB:FBU=.85*FC/YB
137   INPUT"-GAMMA.S=.."; YS:FSU=FE/YS
140   INPUT"ACIER NATUREL, ECROU (N/E)"; C$  

142   E=2E5:ESL=FSU/E
147   IF C$="E" THEN ESL=ESL+.002
150   INPUT"MOIMENT ULTIME EN(tm)"; MU: MU=MU/100
160   INPUT"SECTION RECTANGULAIRE, EN TE (R/T) "; S$  

170   IF S$="R" THEN 720
180   PRINT" SECTION EN TE: DIMENSIONS"
190   INPUT" B=...."; B
200   INPUT" BO...="" ; BO
210   INPUT" H....="" ; H
220   INPUT" HO...="" ; HO
230   INPUT"ENROBAGE C="" ; C:D=H-C
260   MT=B*HO*FBU*(D-HO/2): IF MU<=MT THEN 650
280   MD=(B-BO)*MT/B: U=(MU-MD)/(BO*D^2*FBU)
320   ALPHAR=3.5/(3.5+1000*ESL): UR=.8*ALPHAR*(1-.4*ALPHAR)
340   IF U<=UR THEN 560
350   ZR=D*(1-.4*ALPHAR)
360   IF ZR<=D-HO/2 THEN 460
380   PRINT" SECTION EN TE--> B,H,MU "
390   B=B: H=H: M=MU: GOSUB 770
410   AC=(MU-MR)/(D-C)/SIGMAC
420   AS=((MU-MR)/(D-C)+MR/ZR)*1/FSU: GOTO 1230
460   PRINT" SECTION EN TE--> BO,H,MU-MD
470   B=BO: H=H: M=MU-MD: GOSUB 770
490   AC=(MU-MD-MR)/(D-C)/SIGMAC
500   AS1=((MU-MD-MR)/(D-C)+MR/ZR)/FSU
510   AS0=MD/(D-HO/2)/FSU: AS=AS1+AS0: GOTO 1230
560   PRINT"SECTION EN TE--> BO,H,MU-MD"
570   B=BO: H=H: M=MU-MD: GOSUB 770
590   AS1=(MU-MD)/Z/SIGMA: AS0=MD/(D-HO/2)/SIGMA
610   AS=AS0+AS1: AC=0: GOTO 1230
650   PRINT" SECTION EN TE--> B,H,MU"
660   B=B: H=H: M=MU: GOSUB 770
680   AS=MU/Z/SIGMA: AC=0: GOTO 1230
720   PRINT" SECTION RECTANGULAIRE: DIMENSIONS: "
735   INPUT" LARGEUR B="" ; B
740   INPUT" HAUTEUR H="" ; H
745   INPUT" ENROBAGE C="" ; C:D=H-C
747   INPUT"MOIMENT ULTIME ="; MU: MU=MU/100: M=MU
755   GOSUB 770: GOTO 1230
768   '      MODULE DE CALCUL DES SECTIONS RECTANGULAIRES
770   U=M/B/D^2/FBU
785   ALPHAR=3.5/(3.5+1E3*ESL): UR=.8*ALPHAR*(1-.4*ALPHAR)
800   '      TEST SUR LE PIVOT
810   IF U<=UR THEN GOTO 890
815   '      PIVOT B ARMATURE DOUBLE
820   EC=(3.5E-3+ESL)*(D-C)/D-ESL: ES=EC: GOSUB 1130
835   SIGMAC=SI
840   ZR=D*(1-.4*ALPHAR): MR=UR*D^2*FBU*B
855   IF S$="T" THEN RETURN
860   AC=(MU-MR)/(D-C)/SIGMAC: AS=((MU-MR)/(D-C)+MR/ZR)/FSU
880   RETURN

```

```

890 ALPHA=1.25*(1-SQR(1-2*U));Z=D*(1-.4*ALPHA)
1000 IF U<=.186 THEN 1080
1015 PRINT"PIVOT B ARMATURES S"
1020 ES=3.5E-3*(1/ALPHA-1):GOSUB 1130
1035 SIGMA=SI
1040 IF S$="T" THEN RETURN
1050 AS=M/Z/SIGMA:AC=0
1070 RETURN
1083 PRINT "PIVOT A"
1085 SIGMA=FSU
1090 IF C$="E" THEN SIGMA=1.1*FSU
1095 IF S$="T" THEN RETURN
1100 AS=M/Z/SIGMA:AC=0
1120 RETURN
1130 ' MODULE DES CONTRAITES
1140 IF C$="E" THEN 1170
1150 IF ES<=ESL THEN SI=E*ES GOTO 1220
1160 SI=FSU:GOTO 1220
1170 IF ES<=.7*ESL THEN SI=E*ES:PRINT"S2I=";SI:GOTO 1220
1175 S=.7*FSU
1180 S=S+.5
1190 ES1=S/E+.823*(S*1/FSU-.7)^5
1200 IF ES1<ES THEN 1180
1210 SI=S
1220 RETURN
1224 PRINT
1230 '***** RESULTATS *****
1235 PRINT"ARMATURES TENDUES AS=";AS*1E4;"cm2"
1245 PRINT"ARMATURES COMPRISEES AC=";AC*1E4;"cm2"
1250 PRINT
1260 PRINT"ARMATURE DE NON FRAGILITE"
1270 AF=.23*B*D*(.6+.06*FC)/400
1290 PRINT" AF=";AF*1E4;"cm2"
1300 PRINT
1320 INPUT"VOULEZ-VOUS REFAIRE (O/N)?";R$
1330 IF R$="O" THEN GOTO 10
1350 INPUT"VOULEZ-VOUS VERIFIER A L'E.L.S. (O/N)?";V$
1360 IF V$="N" THEN END
1370 CLS
1400 PRINT"***** VERIFICATION A L'ELS ****"
1440 PRINT
1450 PRINT" -- ENTREE DES DONNEES --"
1552 INPUT" A(cm2)...=";AS:AS=AS*1E-4
1554 INPUT" AC(cm2)...=";AC:AC=AC*1E-4
1600 INPUT" Mser(tm) =";M:M=M/100
1670 INPUT" COEFFICIENT DE FISSURATION=";N
1680 SIGMABA=.6*FC
1690 ON F GOTO 1800,1700,1710
1700 IF FE*2/3<150*N THEN SIGMASA=2/3*FE:GOTO 1800
1705 SIGMASA=150*N :GOTO 1800
1710 IF FE/2 < 110*N THEN SIGMASA=FE/2:GOTO 1800
1715 SIGMASA=110*N:GOSUB 2000
1810 SIGMAB=M*Y/I
1815 IF AC=0 THEN SIGMAC=0:GOTO 1830
1820 SIGMAC=M*(Y-C)*15/I:SIGMA=M*(D-Y)*15/I
1844 PRINT"***** RESULTAT *****"
1850 PRINT TAB(13)"CONT. ADM. ";TAB(30)"CONT. SER. "
1860 PRINT"BETON";TAB(13);SIGMABA,SIGMAB;"MPA"
1870 PRINT"ACIER TENDU";TAB(13);SIGMASA,SIGMA;"MPA"
1880 PRINT"ACIER COMPR. ";TAB(13);SIGMASA,SIGMAC;"MPA"
1900 INPUT" VOULEZ VOUS REFAIRE (O/N)?";B$
1910 IF B$="O" THEN 1370

```

1920 END  
2000 ' POSITION DE L' AXE NEUTRE  
2010 DE=(15\*(AS+AC))^2+30\*B\*(AS\*D+AC\*C)  
2020 Y=(-15\*(AS+AC)+SQR(DE))/B  
2030 IF S\$="R" THEN GOTO 2140  
2040 IF Y<= H0 THEN GOTO 2140  
2060 B1=(B-B0)\*H0+15\*(AS+AC):A1=B0/2  
2070 C1=-(B-B0)\*H0^2/2-15\*(AC\*C+AS\*D):DE=B1^2-4\*A1\*C1  
2090 Y=(-B1+SQR(DE))/2/A1  
2100 I1=B\*Y^3/3-(B-B0)\*(Y-H0)^3/3  
2115 I2=15\*AC\*(Y-C)^2+15\*AS\*(D-Y)^2:I=I1+I2  
2130 RETURN  
2140 I1=B\*Y^3/3+15\*AC\*(Y-C)^2  
2150 I2=15\*AS\*(D-Y)^2:I=I1+I2  
2170 RETURN

## PROGRAMME 2

```

10    CLS
20    PRINT"***** CALCUL D'UNE SECTION RECTANGULAIRE *****"
40    PRINT"***** EN FLEXION COMPOSEE *****"
50    PRINT
65      ----- ENTREE DES DONNEES -----
80    PRINT
90    PRINT" CONTRAINTES CARACTERISTIQUES EN (MPA)"
110   INPUT" FC28..... ="; FC
120   INPUT" FE..... ="; FE
130   INPUT" GAMMA.B.... ="; YB:FBU=.85*FC/YB
140   INPUT" GAMMA.A.... ="; YS:FSU=FE/YS
160   INPUT"ACIER NATUREL OU ECRoui (N/E)"; C$
170   E=2E5:ESL=FSU/E
190   IF C$="E"THEN ESL=ESL+.002
200   PRINT"DIMENSION DE LA SECTION EN (m) :"
220   INPUT" LARGEUR B... ="; B
230   INPUT" HAUTEUR H... ="; H
240   INPUT" ENROBAGE C... ="; C:D=H-C
260   PRINT" SOLlicitations :"
280   PRINT"moment limite en (tm) :"
285   INPUT" Mu..... ="; MU:MU=MU/100
287   INPUT" Mser..... ="; MS:MS=MS/100
290   PRINT"EFFORT NORMAL LIMITE EN (t) :"
300   PRINT" TRACTION (N<0) , COMPRESSION (N>0)"
304   INPUT" Nu..... ="; NU:NU=NU/100
305   INPUT" Nser..... ="; NS:NS=NS/100:E1=MS/NS
310   IF NU<0 THEN 947
330   INPUT"COEFFICIENT DE FLAMBEMENT K="; K
340   INPUT"LONGUEUR DU POTEAU EN (M) L="; L
350   LAMBDA=K*L*SQR(12)/B:E0=MU/NU
360   LAMAX=MAX(50,MIN(67*E0/H,100))
370   IF LAMBDA>LAMAX THEN 1045
380   EA=MAX(.02,L/250)
390   IF E0/H>.75 THEN 410
400   GAMAF=1+.163*LAMBDA^2/1000:GOTO 420
410   GAMAF=MIN(1+.122*LAMBDA^2*H/E0/1000,1.4)
420   NU=NU*GAMAF:MU=GAMAF*MU+NU*EA
440   MUA=MU+NU*(D-H/2):M=MUA
450   T1=(D-C)*NU-M:T2=(.337-.81*C/H)*B*H^2*FBu
460   T3=(.5-C/H)*B*H^2*FBu
470   IF T1>=T2 THEN 850
480   T4=.81*B*H*FBu:T5=NU*D*(1-.514*NU/B/D/FBu)
490   T6=B*H^2*FBu*(5/14-NU*(6/7-D/H)/B/H/FBu)
500   IF(NU<=T4 AND M<T5) OR (NU>=T4 AND M<T6) THEN 830
510   REM SECTION PARTIELLEMENT COMPRIMEE
520   U=M/B/D^2/FBu
530   ALPHAR=3.5/(3.5+ESL*1E3):UR=.8*ALPHAR*(1-04*ALPHAR)
550   REM TEST SUR LE PIVOT
560   IF U<=UR THEN 660
575   PRINT"PIVOT B ARMATURE DOUBLE"
580   EC=(3.5*1E-3+ESL)*(D-C)/D-ESL:ES=EC:GOSUB 1070
600   SIGMAC=SI
610   ZR=D*(1-.4*ALPHAR):MR=UR*D^2*B*FBu
630   AC=(M-MR)/(D-C)/SIGMAC
640   AS=((M-MR)/(D-C)+MR/ZR)/FSU:AS=AS-NU/FSU
645   IF AS>0 THEN 1270
650   X=C+SQR(C^2+2*((D-C)*NU-M)/B/FBu)
652   ES=(X/.8-C)*3.5E-3*.8/X:GOSUB 1070:SIGMAC=SI
655   AC=(NU-X*B*FBu)/SIGMAC:AS=0:GOTO 1270
660   ALPHA=1.25*(1-SQR(1-2*U))
670   Z=D*(1-.4*ALPHA)

```

```

680 IF U<=.186 THEN 760
690 PRINT"PIVOT B ARMATURE SIMPLE"
700 ES=3.5E-3*(1/ALPHA-1)
710 GOSUB 1070
720 SIGMA=SI
730 AS=M/Z/SIGMA: AS=AS-NU/SIGMA: AC=0: GOTO 1270
750 GOTO 1270
760 PRINT"PIVOT A"
780 SIGMA=FSU
790 IF C$="E" THEN SIGMA=1.1*FSU
800 AS=M/Z/SIGMA: AS=AS-NU/SIGMA: AC=0
820 GOTO 1270
830 PRINT"SECTION PARTIELLEMENT COMPRIMEE SURABONDANTE"
840 AS=0: AC=0: GOTO 1270
850 PRINT"SECTION ENTIEREMENT COMPRIMEE"
854 P=2
855 IF T1<=T3 THEN 900
860 ES=2E-3: GOSUB 1070
875 SIGMAC=SI
880 AC=(M-B*H^2*FBU*(D-H/2))/(D-C)/SIGMAC
890 AS=(NU-B*H*FBU)/SIGMAC: GOTO 1270
900 AS=0: KI=(.5-C/H-((D-C)*NU-M)/B/H^2/FBU)/(6/7-C/H)
910 ES=2E-3*(1+(3-7*C/H)*SQR(KI)/1.75): GOSUB 1070
930 SIGMAC=SI
940 AC=(NU-(1-KI)*B*H*FBU)/SIGMAC: AS=0
945 AS=0: GOTO 1270
947 EO=MU/NU: MUA=MU+(D-H/2)*NU: MUA=ABS(MUA)
950 IF EO>=H/2-C AND EO<=H/2-C THEN 990
960 REM SECTION PARTIELLEMENT COMPRIMEE
970 M=MUA: GOTO 500
990 PRINT"SECTION ENTIEREMENT TENDUE"
992 P=1
1000 ES=1E-2: SIGMA=FSU
1020 IF C$="E" THEN SIGMA=1.1*FSU
1030 AC=M/(D-C)/SIGMA: AS=NU/SIGMA-AC: GOTO 1270
1040 AS=NU/SIGMA-AC: GOTO 1270
1050 PRINT"UN CALCUL AU FLAMBEMENT EST NECESSAIRE"
1065 END
1070 REM ***** MODULE DES CONTRAINTES *****
1080 IF C$="E" THEN 1200
1090 IF ES<=ESL THEN SI=E*ES: RETURN
1100 SI=FSU: RETURN
1200 IF ES<=.7*ESL THEN SI=E*ES: RETURN
1210 S=.7*FSU
1220 S=S+.5
1230 ES1=S/E+.823*(S/FSU-.7)^5
1240 IF ES1<ES THEN 1220
1250 SI=S: RETURN
1290 PRINT" ***** R E S U L T A T S *****"
1300 PRINT
1310 PRINT"ARMATURES TENDUES AS ="; AS*1E4; "cm2"
1320 PRINT"ARMATURES COMPRIMEES AC ="; AC*1E4; "cm2"
1330 PRINT
1340 AF=.23*B*D*(.6+.06*FC)/400
1345 IF P=1 THEN AF=B*H*(.6+.06*FC)/FE
1347 IF P=2 THEN AF=MAX(8*(B+H), .2*B/100)
1350 PRINT" ARMATURES MINIMALES :"
1352 PRINT
1355 PRINT" Amin ="; AF*1E4; "cm2"
1360 LOCATE 1,24
1370 INPUT"VOULEZ-VOUS REFAIRE (O/N)"; R$
1380 IF R$="O" THEN 5

```

```

1400 INPUT"VOULEZ-VOUS VÉRIFIER A L'E.L.S (O/N)";R$
1410 IF R$="O" THEN 1480
1520 PRINT" ***** VERIFICATION A L'ELS *****"
1530 PRINT
1560 PRINT" DONNEZ LES SECTIONS ADOPTEES"
1580 INPUT" AS(cm2).. =";AS:AS=AS*1E-4
1590 INPUT" AC(cm2).. =";AC:AC=AC*1E-4
1610 PRINT"CONDITION DE FISSURATION :"
1615 PRINT
1617 PRINT" (1) PEU NUISIBLE"
1618 PRINT" (2) PREJUDICIALE"
1619 INPUT" (3) TRES PREJUDICIALE ";F
1625 INPUT"COEFFICIENT DE FISSURATION :";N
1630 SIGMABA=.6*FC
1635 ON F GOTO 1640,1650
1640 IF FE*2/3<150*N THEN SIGMASA=2/3*FE:GOTO 1670
1645 SIGMASA=150*N:GOTO 1670
1650 IF FE/2<110*N THEN SIGMASA=FE/2:GOTO 1670
1655 SIGMASA=110*N
1670 IF(NS>0 AND E1>H/6)OR(NS<0 AND ABS(E1)>ABS(H/2-C)) THEN 1845
1680 IF NS<0 AND ABS(E1)<ABS(H/2-C) THEN 1795
1690 PRINT"SECTION ENTIEREMENT COMPRIMEE"
1710 BH=B*H+15*(AS+AC):W=B*H^2/2+15*AS*D+15*AC*C:V1=W/BH
1740 I1=B*H^3/12+B*H*(V1-H/2)^2+15*AC*(V1-C)^2+15*AS*(D-V1)^2
1750 MH=NS*(V1-H/2+E1)
1760 SIGMAB=NS/BH+MH*V1/I1
1770 SIGMAC=15*(NS/BH+MH*(V1-C)/I1)
1780 SIGMA=15*(NS/BH-MH*(D-V1)/I1):GOTO 2050
1800 PRINT"SECTION ENTIEREMENT TENDUE"
1820 SIGMAC=NS*(H/2-E1-C)/(D-C)/AC:SIGMA=NS*(H/2-C+E1)/(D-C)/AS:GOTO 2050
1850 PRINT"SECTION PARTIELLEMENT COMPRIMEE"
1870 EA=(MS+NS*(H/2-C))/NS:K=D-EA
1880 P=-3*K^2-90*AC*(K-C)/B+90*AS*(D-K)/B
1890 Q=-2*K^3-90*AC*(K-C)^2/B-90*AS*(D-K)^2/B
1900 GOSUB 1950
1905 IF ABS(Y-E1)>H/2 THEN 1685
1910 Y1=Y+K:I=B*Y1^3/3+15*AC*(Y1-C)^2+15*AS*(D-Y1)^2
1920 SIGMAB=NS*Y*(Y+K)/I
1930 SIGMA=15*SIGMAB*(D-Y-K)/(Y+K)
1935 SIGMAC=15*NS*(K+Y-C)*Y/I:2050
1950 REM * POSITION DE L'AXE NEUTRE *
1960 X0=.01:PAS=.005:EPS=1E-4
1970 X=X0
1980 GOSUB 2040:Y1=F
1990 A=X:X=X+PAS
2000 GOSUB 2040:Y2=F
2010 ZT=A-Y1*PAS/(Y2-Y1):X=ZT
2020 IF ABS(ZT-A)>EPS THEN 1980
2030 Y=A :RETURN
2040 F=X^3+P*X+Q:RETURN
2060 PRINT TAB(13)"CONT. ADM.";TAB(28)"CONT. SER."
2090 PRINT"BETON";TAB(13);SIGMABA;TAB(28);SIGMAB ;TAB(37);"MPA"
2110 PRINT"ACIER TENDU";TAB(13);SIGMASA;TAB(28);SIGMA;TAB(37);"MPA"
2130 PRINT"ACIER COMP. ";TAB(13);SIGMASA;TAB(28);SIGMAC;TAB(37);"MPA"
2140 LOCATE 1,24
2150 INPUT"VOULEZ-VOUS REFAIRE (O/N)";B$
2160 IF B$="O" THEN 1480
2170 END

```

# PROGRAMME 3

```

10    CLS
20    ' ***** CALCUL D'UNE SECTION RECTANGULAIRE *****
35    ' ***** SOUMISE A UN EFFORT TRANCHANT***'
40    PRINT
50    ' ----- ENTREE DES DONNEES -----
70    ' CONTRAINTES CARACTERISTIQUES EN (MPA)
80    INPUT"      FC28....=";FC
90    INPUT"      FE.....=";FE
110   '           DIMENSIONS EN (m)
130   INPUT"      B.....=";B
140   INPUT"      H.....=";H:D=.9*H
160   INPUT"      EFFORT TRANCHANT EN (t).VU=";VU:VU=VU/100
180   PRINT" LA SECTION EST SOLLICITEE EN: "
190   PRINT"      (1) FLEXION SIMPLE "
200   PRINT"      (2) FLEXION COMPOSEE"
210   INPUT" CHOISISSEZ 1 OU 2:";Q
230   IF Q=1 THEN 270
240   INPUT" EFFORT NORMAL ULTIME (t).NU=";NU:NU=NU/100
260   PRINT" NATURE DE LA FISSURATION"
270   PRINT"      (1) PEU NUISIBLE "
280   PRINT"      (2) PREJUDICIALE "
290   PRINT"      (3) TRES PREJUDICIALE"
310   INPUT" CHOISISSEZ 1,2,3:";W
330   INPUT"REPRISE DE BETONNAGE (OUI=1/NON=2)"";R
335   INPUT"INCLINAISON DES ARMATURES (DEGRES)"";I
340   TU=VU/B/D:PI=3.14159
350   B1=(.03+.08*90/I)*FC:B2=(.08+.05*90/I)*FC
360   B3=.5+2.5*90/I
370   IF W=1 THEN TUMAX=MIN((B2),(B3)):GOTO 380
380   TUMAX=MIN((B1),(B3))
390   IF TU>TUMAX THEN 335
400   XMIN=B*SIN(I*PI/180)/FE*MAX(TU/2,.4)
410   IF W=3 OR R=1 THEN 460
420   IF Q=1 THEN 470
430   IF NU>0 THEN 450
440   K=1-10*NU/B/H/FC:GOTO 480
450   K=1+3*NU/B/H/FC:GOTO 480
460   K=0:GOTO 480
470   K=1
480   X=(TU-.5*K)*B/.8/FE/(COS(I*PI/180)+SIN(I*PI/180))
490   PRINT
500   PRINT"***** R E S U L T A T S *****"
510   PRINT
520   PRINT"ARMATURES PAR METRE LINEAIRE"
530   PRINT"      At/St=";X*1E4;"cm2/m"
550   PRINT"ESPACEMENT MAXIMAL"
560   PRINT"      Stmax=";MIN(90*D,40);;"cm"
580   INPUT"DIAMETRE MIN. DES ARMATURES LONG. EN (mm)"';DL:DL=DL/1000
590   DT=MIN(DL,MIN(H/35,B/10))
610   PRINT"DIAMETRE MAX TRANSVERSAL.Dtmax=";DT*1E3;"mm"
620   INPUT"DIAMETRE CHOISI EN (mm) Dt=";DT:DT=DT/1000
630   INPUT"NOMBRE DE BARRE N=";N
640   AT=N*(PI*DT^2/4)
660   PRINT"      St=";MIN(AT/X,AT/XMIN)*100;"cm"
680   INPUT"VOULEZ-VOUS FAIRE UNE JUSTIFICATION D'APPUI (O/N)"';A$
690   IF A$="N" THEN 890
700   ' JUSTIFICATION D'APPUI
710   INPUT"MOIMENT ULTIME=";MU:MU=MU/100
720   INPUT"GAMMA.B=";YB
730   INPUT"GAMMA.S=";YS
740   AM=2.5*VU*YB/FC/B

```

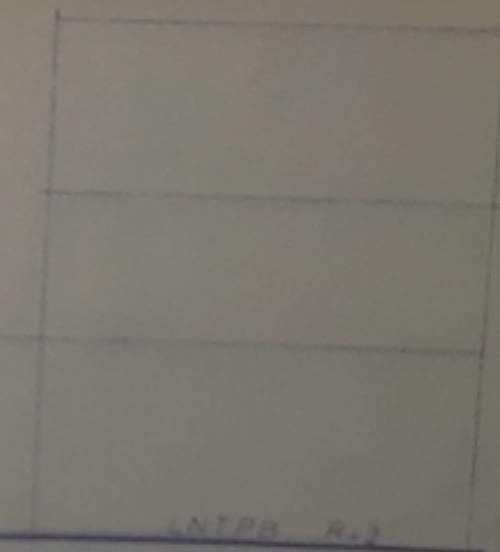
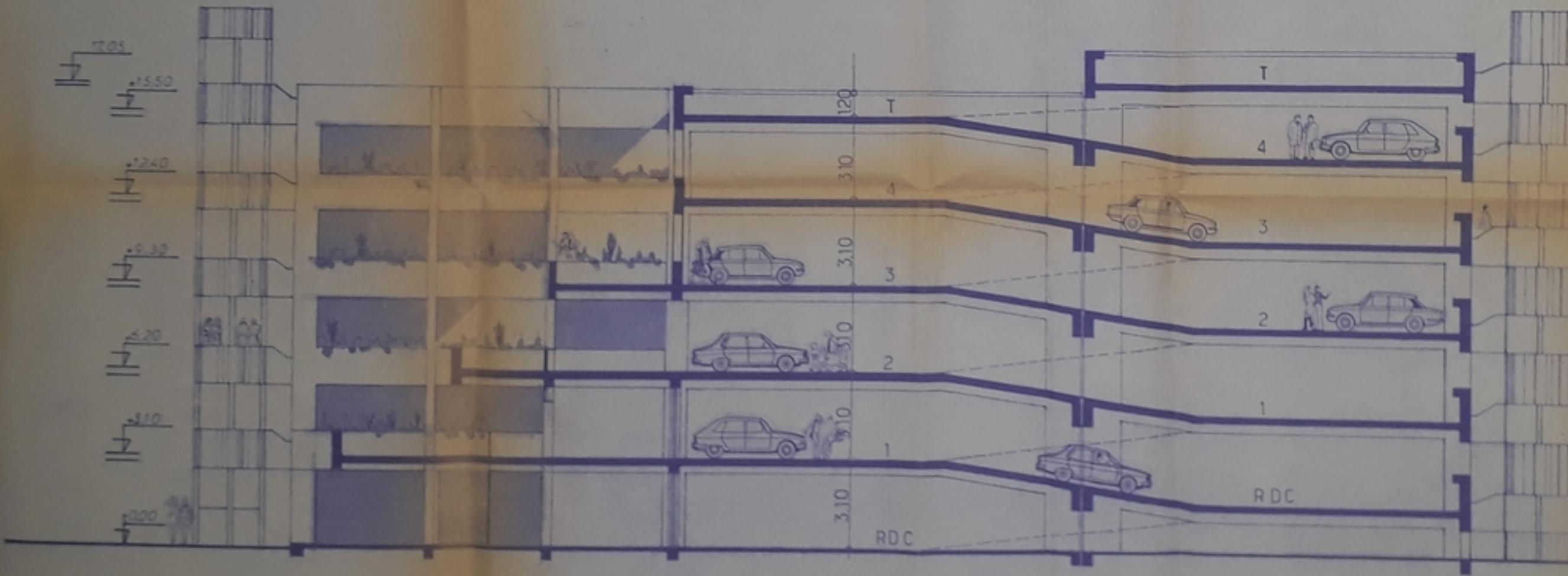
7

```
750 AS=VU/FE/YS
760 ASI=(VU-MU/.9/D)*YS/FE
780 PRINT"APPUI SIMPLE D'ABOUT: "
800 PRINT"LARGEUR D' APPUI MINIMALE..";AM
810 PRINT"ACIER INFÉRIEUR MIN. ....";AS
830 PRINT"APPUI INTERMEDIAIRE: "
850 PRINT"ACIER INFÉRIEUR MIN. ....";ASI
870 INPUT"VOULEZ-VOUS REFAIRE (O/N)";BS
880 IF BS="O" THEN 700
890 END
```

PROGRAMME  
DE CALCUL  
DE LA PLATEAU  
DE L'ACIER

## BIBLIOGRAPHIE

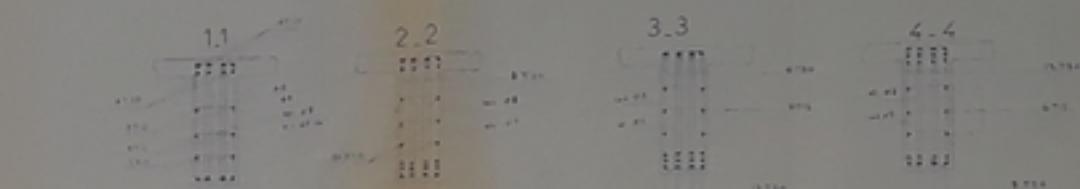
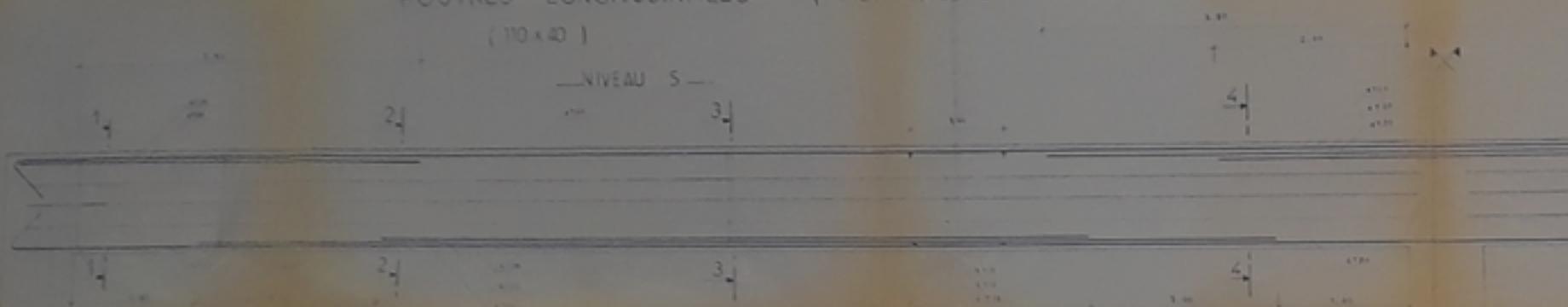
- [1] Règles techniques de conception & de calcul des ouvrages & constructions en béton armé suivant la méthode des états limites - DTU - (BAEL 83)
- [2] Règles définissant les effets de la neige et du vent sur les constructions et annexes - DTU - (Règles N.V.65)
- [3] Règles Parasismiques Algérienne - (RPA 81)
- [4] Conception et calcul des structures soumises aux séismes M. DAOUDI - M. RILI - A. SALHI .
- [5] Cours Supérieur de béton armé (Règles BAEL 80 ) Paul DINNEQUIN.
- [6] Cours Pratique de mécanique des sols tome 2 . Calcul des ouvrages - J. Costet - G. Sanglerat
- [7] Fondations et ouvrages en terre G. PHILIPPONAT.
- [8] ossatures des batiments A. COIN
- [9] Mémento d'emploi du BAEL 80 J. LE COEC .
- [10] Dynamique des structures R. CLOUGH et J. PENZIEN

COUPE - DD

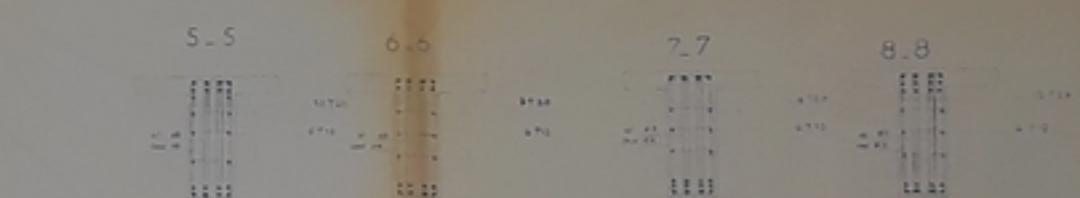
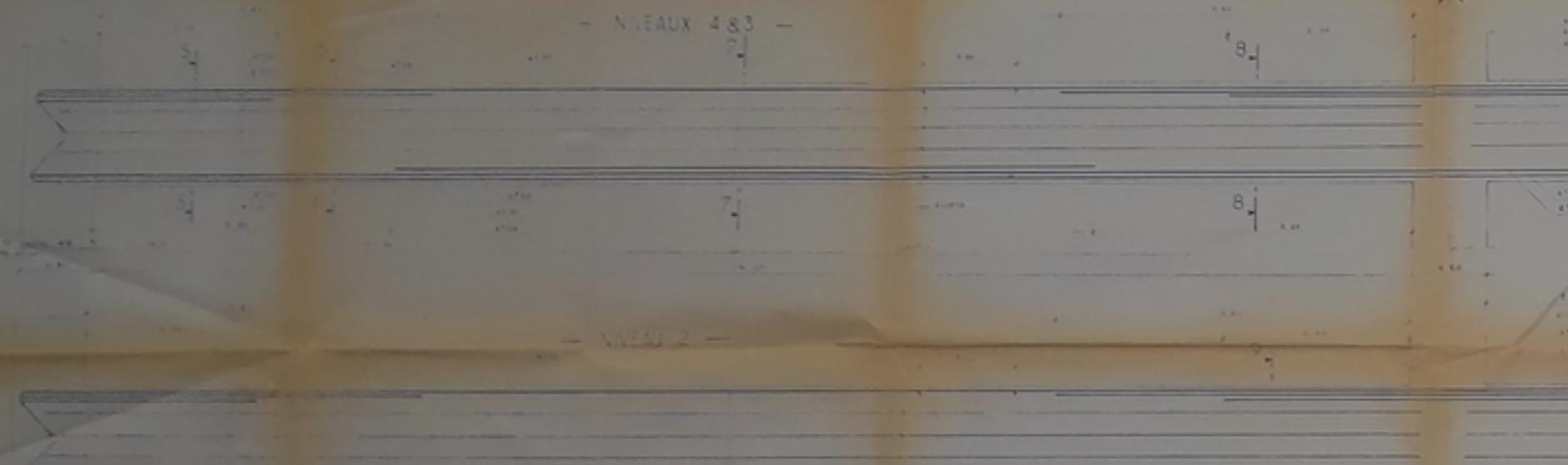
POUTRES LONGITUDINALES ( PORTIQUE 2 )

( 110 x 40 )

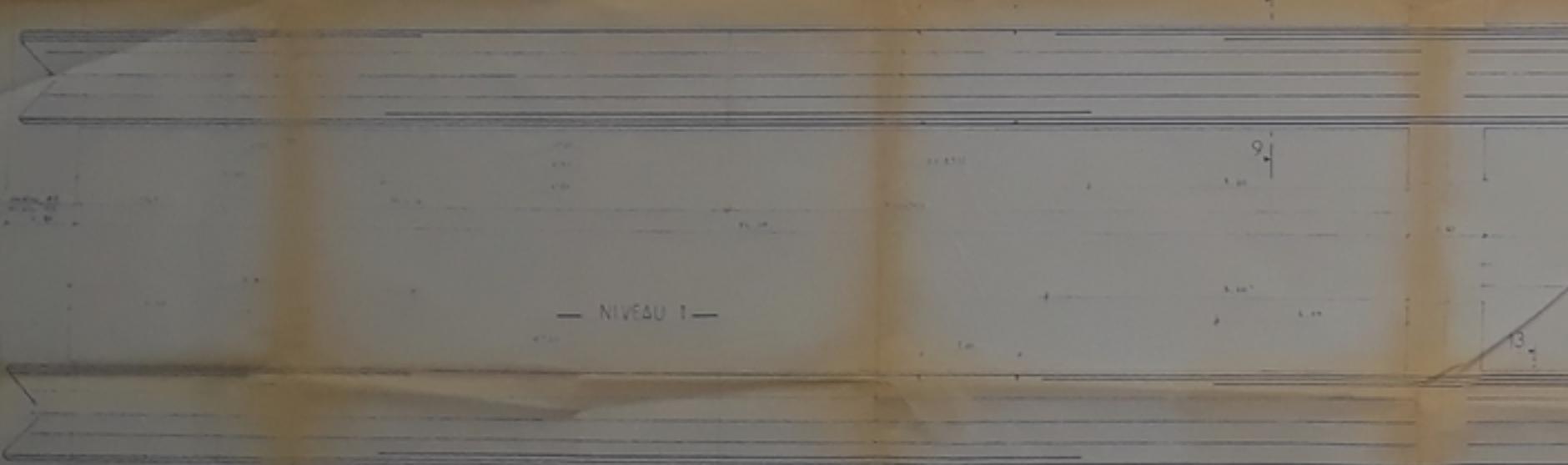
— NIVEAU 5 —



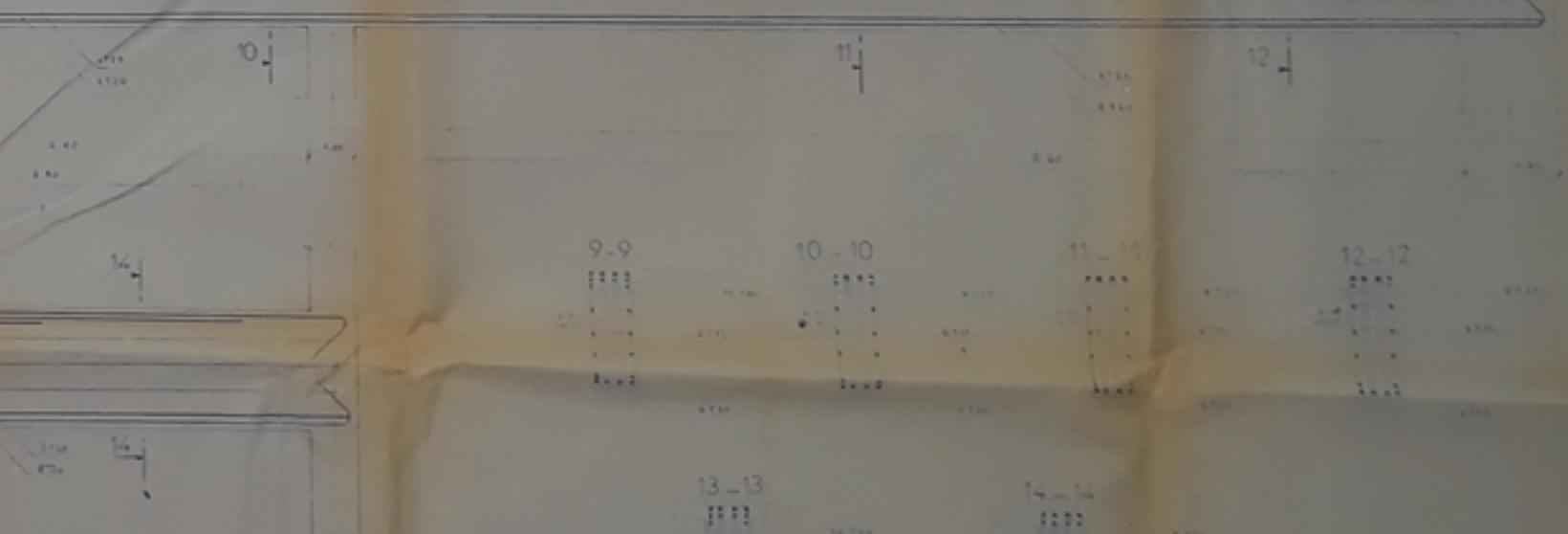
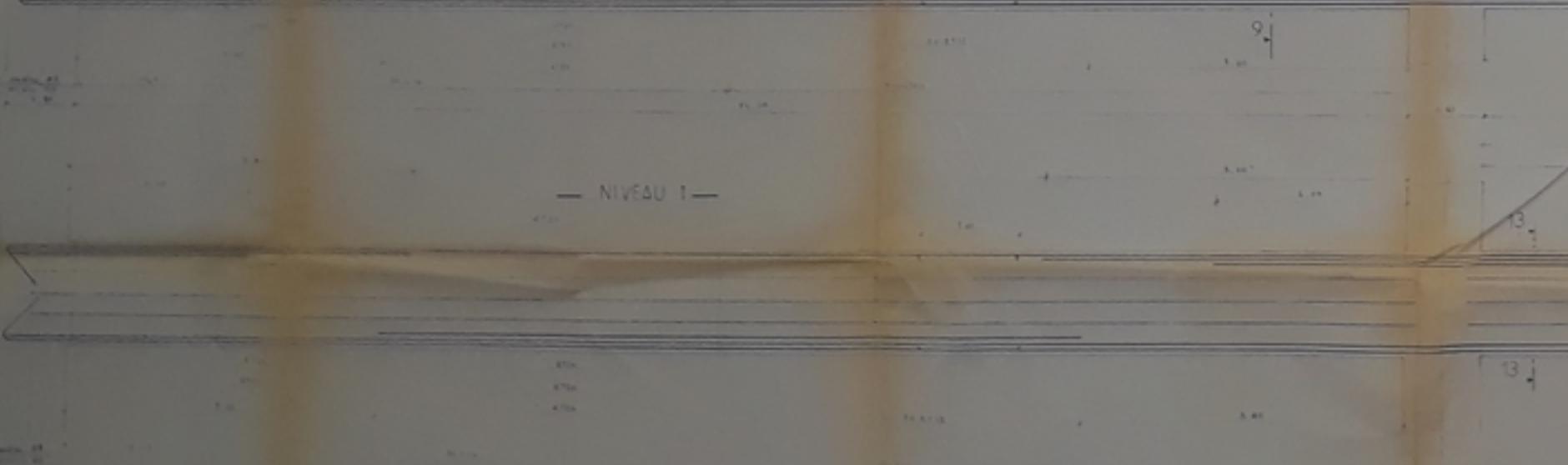
— NIVEAUX 4 & 3 —



— NIVEAU 2 —



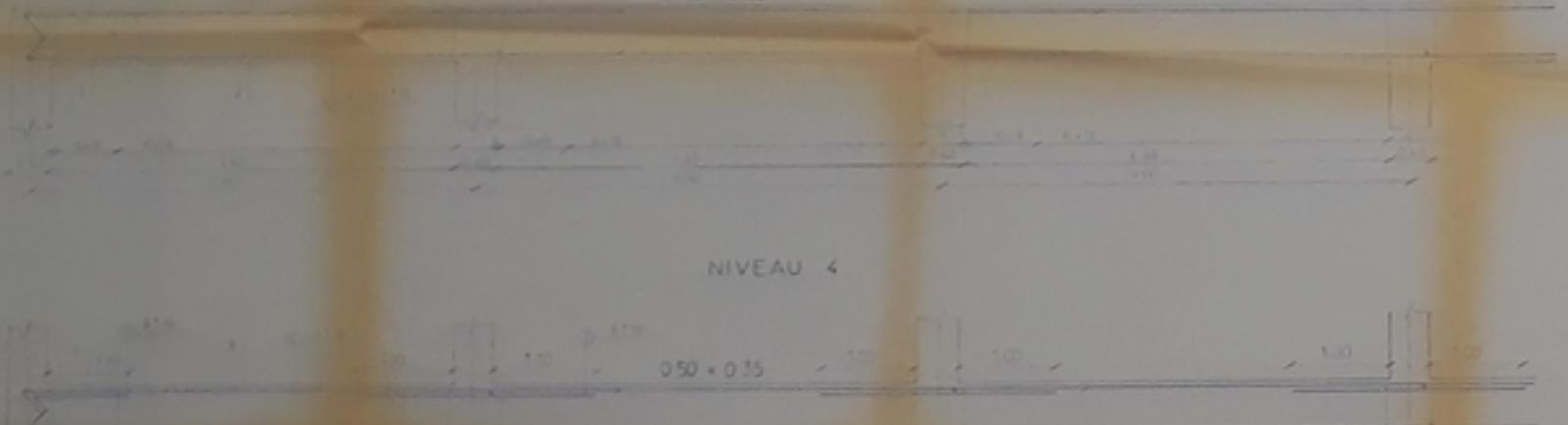
— NIVEAU 1 —



POUTRES TRANSVERSALES B

NIVEAU 5

0.50 x 0.35



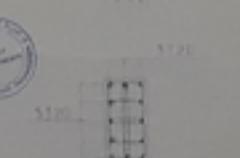
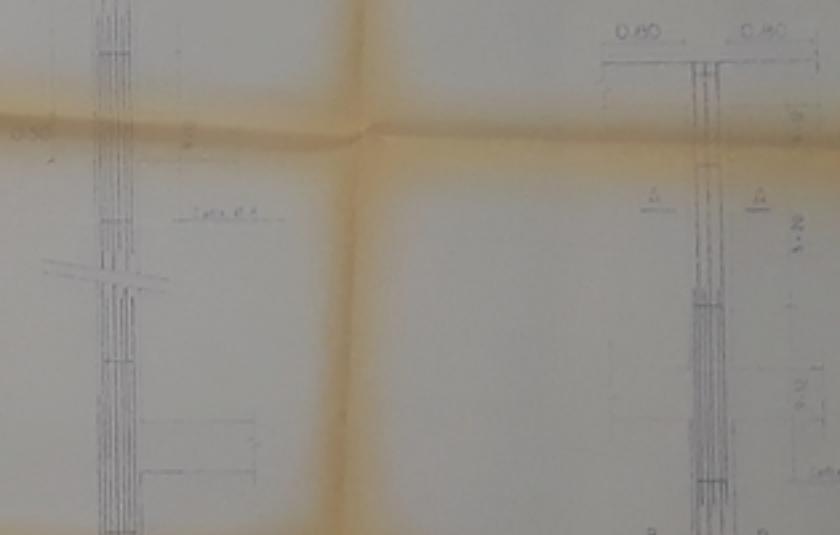
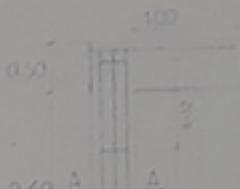
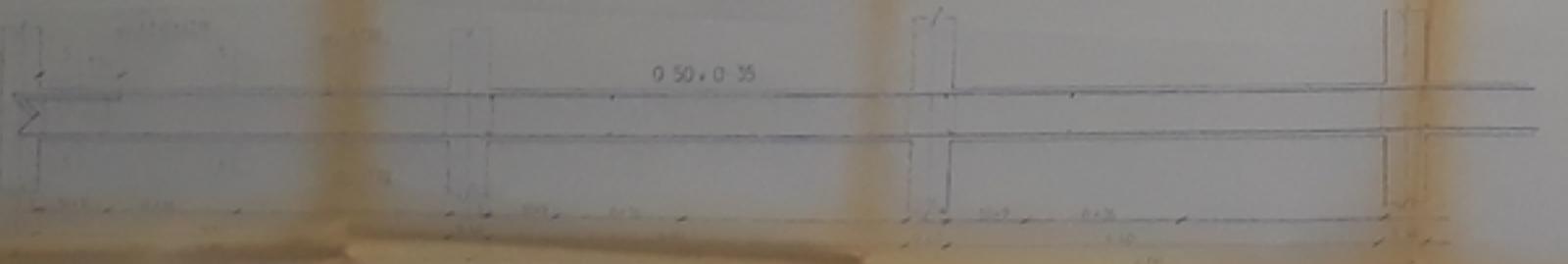
NIVEAU 4

0.50 x 0.35



NIVEAU 3 2 1

0.50 x 0.35



DÉTAIL 18

DÉTAIL 20

A-A

B-B

C-C

D-D

E-E

F-F

G-G

H-H

I-I

J-J

K-K

L-L

M-M

N-N

O-O

P-P

Q-Q

R-R

S-S

T-T

U-U

V-V

W-W

X-X

Y-Y

Z-Z

AA-AA

BB-BB

CC-CC

DD-DD

EE-EE

FF-FF

GG-GG

HH-HH

II-II

JJ-JJ

KK-KK

LL-LL

MM-MM

NN-NN

OO-OO

PP-PP

QQ-QQ

RR-RR

SS-SS

TT-TT

UU-UU

VV-VV

WW-WW

XX-XX

YY-YY

ZZ-ZZ

AA-AA

BB-BB

CC-CC

DD-DD

EE-EE

FF-FF

GG-GG

HH-HH

II-II

JJ-JJ

KK-KK

LL-LL

MM-MM

NN-NN

OO-OO

PP-PP

QQ-QQ

RR-RR

SS-SS

TT-TT

UU-UU

VV-VV

WW-WW

XX-XX

YY-YY

ZZ-ZZ

AA-AA

BB-BB

CC-CC

DD-DD

EE-EE

FF-FF

GG-GG

HH-HH

II-II

JJ-JJ

KK-KK

LL-LL

MM-MM

NN-NN

OO-OO

PP-PP

QQ-QQ

RR-RR

SS-SS

TT-TT

UU-UU

VV-VV

WW-WW

XX-XX

YY-YY

ZZ-ZZ

AA-AA

BB-BB

CC-CC

DD-DD

EE-EE

FF-FF

GG-GG

HH-HH

II-II

JJ-JJ

KK-KK

LL-LL

MM-MM

NN-NN

OO-OO

PP-PP

QQ-QQ

RR-RR

SS-SS

TT-TT

UU-UU

VV-VV

WW-WW

XX-XX

YY-YY

ZZ-ZZ

AA-AA

BB-BB

CC-CC

DD-DD

EE-EE

FF-FF

GG-GG

HH-HH

II-II

JJ-JJ

KK-KK

LL-LL

MM-MM

NN-NN

OO-OO

PP-PP

QQ-QQ

RR-RR

SS-SS

TT-TT

UU-UU

VV-VV

WW-WW

XX-XX

YY-YY

ZZ-ZZ

AA-AA

BB-BB

CC-CC

DD-DD

EE-EE

FF-FF

GG-GG

HH-HH

II-II

JJ-JJ

KK-KK

LL-LL

MM-MM

NN-NN

OO-OO

PP-PP

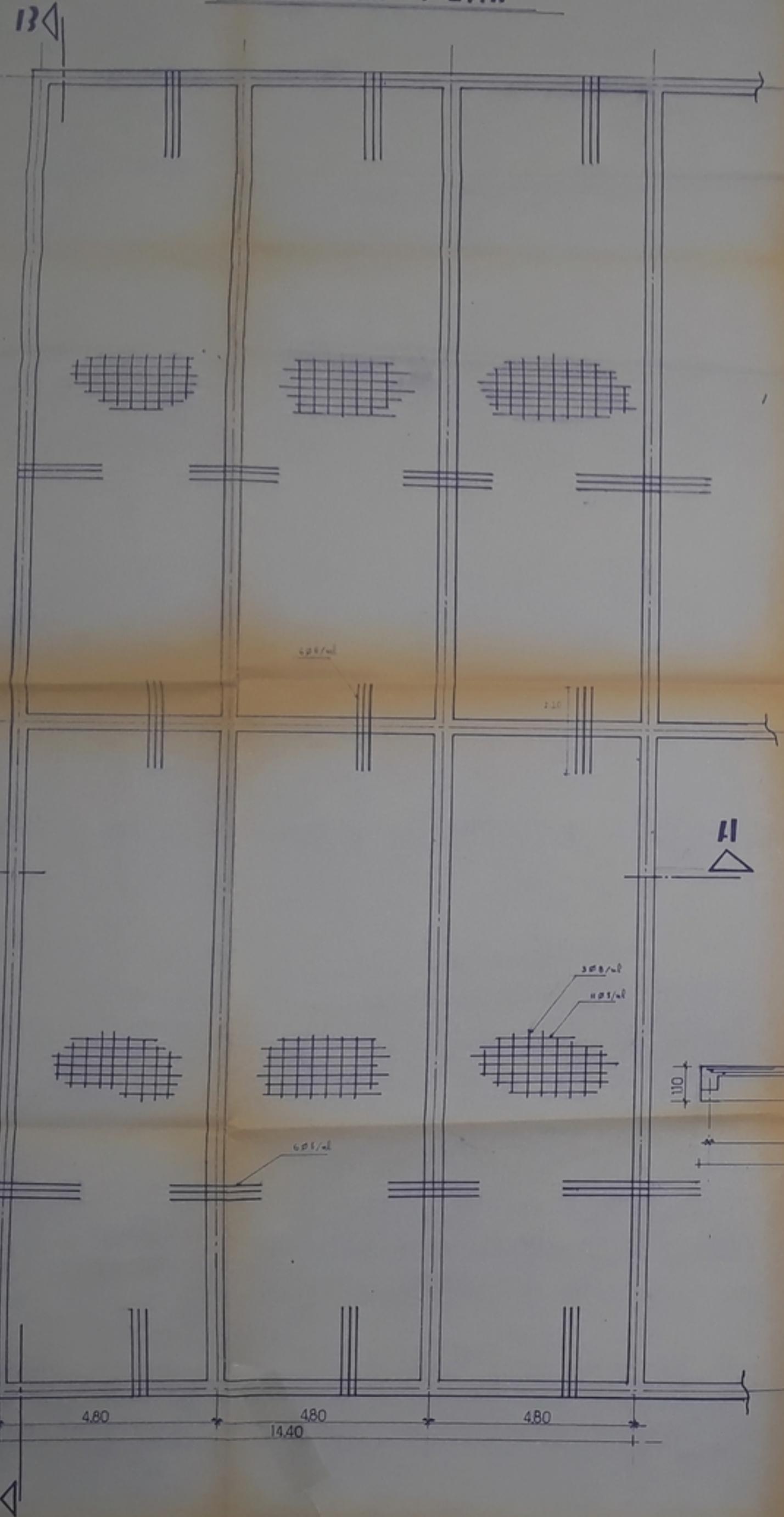
QQ-QQ

RR-RR

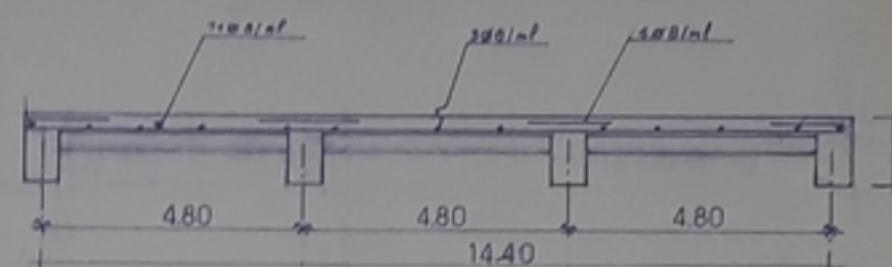
SS-SS

TT-TT

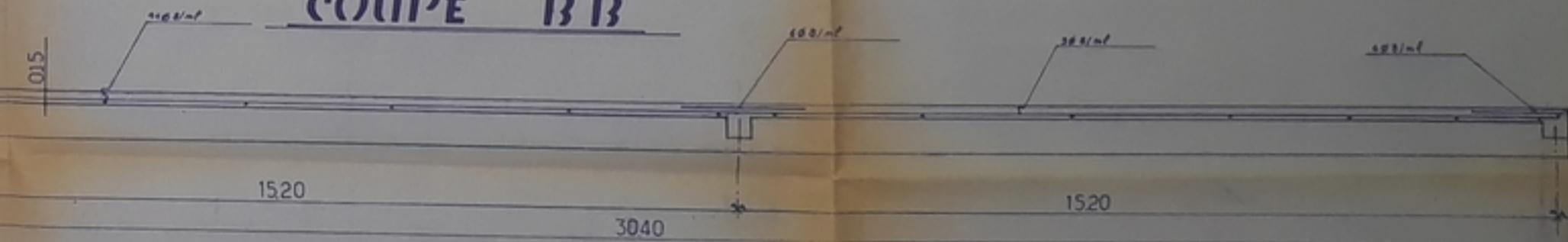
CUIPE EN PLAN



CUIPE H H



CUIPE B B



ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

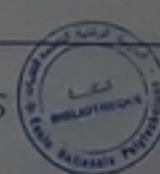
ETUDE D UN PARKING A ETAGE

FERRAILLAGE DES DALLES

ETUDIE PAR

HAICHEUR Belkacem  
HADJ SADOK Mohamed

PROMOTION 1989



## POTEAU PERIPHERIQUE 2A

POTEAU CENTRAL 2 B

PB-06183  
- 5 -



3.3

## 1.1

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE		
ETUDE D'UN PARKING A ETAGE		
FERRAILLAGE POTEAUX POUTRES		
ETUDIE PAR HAICHEUR Belkacem HADJ SADOK Mohamed	Echelle 1 / 20	
PROMOTION 1989		

