

68/85
1 ey

وزارة التعليم والبحث العلمي
MINISTÈRE DE L'ENSEIGNEMENT ET DE LA RECHERCHE SCIENTIFIQUE

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

DEPARTEMENT

Genie

المدرسة الوطنية للعلوم التقنية

السكنى

57

PROJET DE FIN D'ETUDES

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE

BIBLIOTHEQUE

S U J E T

ETUDE COMPARATIVE DE REGLEMENTS

SUR UN BATIMENT D'HABITATION

R + 4

1985

Proposé par :

Mr. M BELAZOUGHI

Etudié par :

FAKHOURI . H

Dirigé par :

Mr. M. BELAZOUGHI

DJAHAMI . H

W.S.D

PROMOTION : JUIN 85

Remerciements

Ce travail n'aurait pu être entrepris et mené à terme sans la contribution que M^e M. BELAZOUGUE chargé de cours à l'ENP. a bien voulu donner à notre recherche, et M^r BOUDERBALA chef du département au BEREG et M^e KAWACHE INGENIEUR qui ils reçoivent tous tout le témoignage de notre profonde reconnaissance.

nous ne saurons, non plus manquer de dire combien précieux a été l'appui de toutes les personnes qui nous ont aidés de loin ou de près à l'étude de notre projet.

Nos dattes sont encore grandes vis à vis de ceux qui nous ont dispensé formation et encouragements.

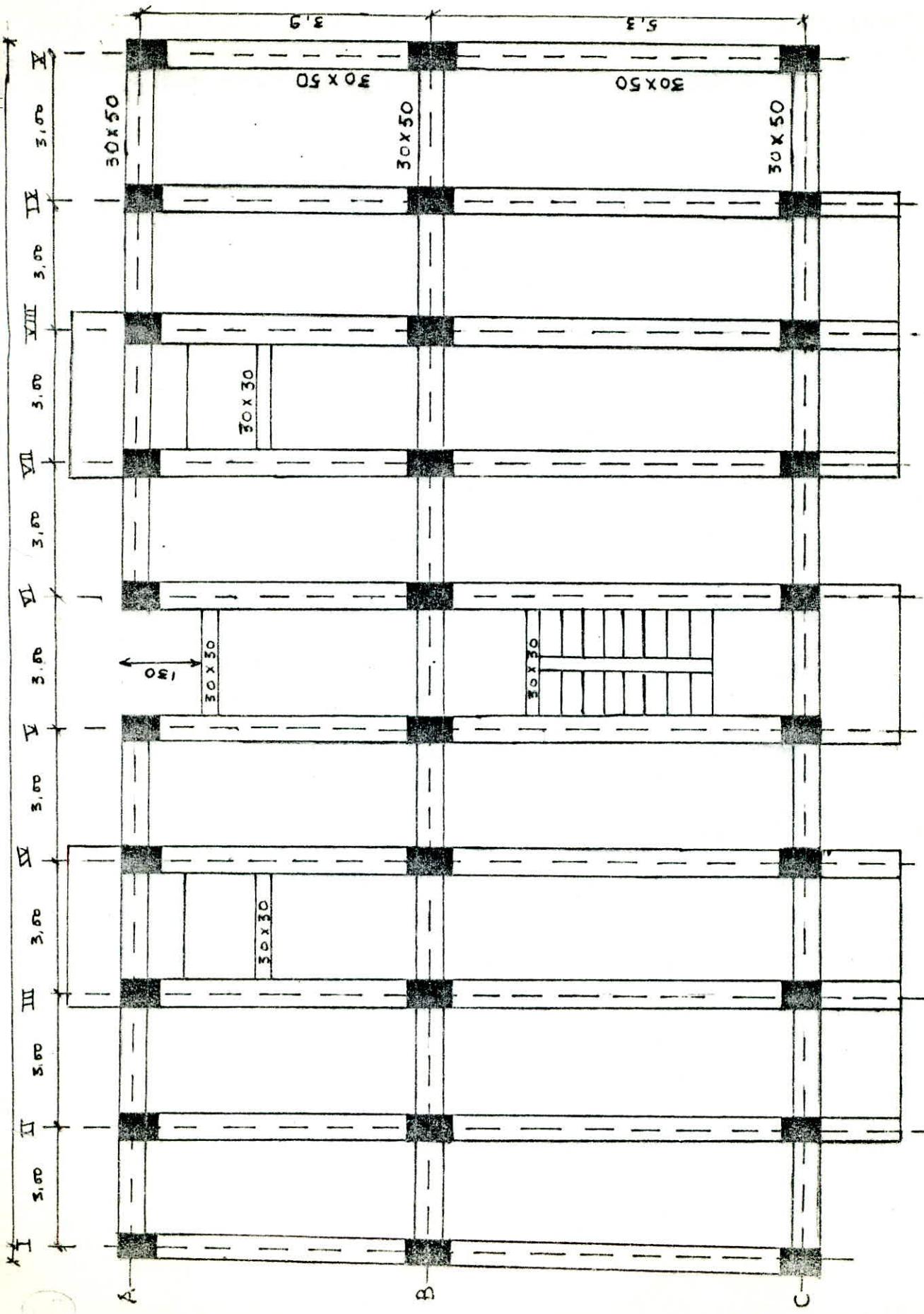
ندعو هنا العمل التواضع إلى شهدانا ونناهضنا إلى سه جاهد في سبيل الله إلى سر فرع رأيه
الإسلام والحق . إلى كل يد طهرة رفعته بأستاذ إلى المخلود ، نسبيه إلى كل روح زكيه
طهرة دينها سه دني حارث طاخوت . إلى متعرب برحمت قت الظالم والظفيان ، إلى
أشهى أرضقتن في العلام سه أجمل المنور واطلق والسلام

إلى هزير لا يغير إل معيان إل تها وهمار واحداً إلى أرضي إشتدت لعنفهن متقدماً إلى
بلد أقصدهن دمائها وسلست روحها . وعذر بـها الفادرین ،
إلى شعب ، أئي إلـ أـنـ لـ دـيـ ضـعـ طـةـ كـبـرـ أوـ ظـلـمـ أوـ طـفـيان
نهضـ عـملـ

حسين ، حساد

Sommaire

I	INTRODUCTION	- présentation - - - - -
		- caractéristiques des matériaux - - - - -
		- prédimensionnement - - - - -
II	ETUDES SISMIQUES	- - - - -
		- Etude suivant le PS 69 ; PS 69 + CTC - - - - -
		- Etude à la torsion - - - - -
		- Etude suivant le RPA - - - - -
		- Calcul des déformations horizontales - - - - -
III	COMPARAISON DES 3 REGLES PARASISMATIQUES	- - - - -
IV	ORGANIGRAMME DE CALCUL de M,N,T DUES AU Force Hori- - ZONTALES et CHARGES VERTICALES.	- - - - -
V	SUPERPOSITION DES DIFFERENTES SOLlicitations	- - - - -
VI	Calcul des poutrelles	- - - - -
VII	Calcul des Poutres	- - - - -
VIII	Calcul des poteaux	- - - - -
IX	FONDATIONS	- - - - -
X	COMPARAISON des deux Règlements CCBA 68 , BAEL 80	- - - - -



Introduction

Présentation :-

Le bâtiment est contenue par une structure auto stable dans les deux directions le remplissage des façades est en maçonnerie.

- Murs extérieurs : 25 cm d'épaisseur constitué de 2 cloisons séparées par une lame d'air de 5 cm (10+5+10).
- Dimensions du bâtiment: il est symétrique dans le sens longitudinal et dissymétrique dans l'autre sens.
 - Longueur total = 27,6 m.
 - Largeur total = 9,7 m.
 - hauteur d'étage : 3,06 m.

Le plancher de niveau 1 à 5 est en corps creux (16+4).

Le R.D.C est constitué d'une dalle flottante posée directement sur le sol (pas de vide sanitaire).

Le but de notre projet qui s'intitule :-

Etude Comparative de règlements sur un bâtiment d'habitation (R+4) est .

-1) Etude Comparative des règles parasismique

- PS 69 Règles parasismique 69 .
- PS 69 + CTC Règles parasismique 69 + Complément du contrôle technique de construction .
- RPA 81 Règles parasismique Algériennes 81 .

Chacune de ces règles conduira dans notre projet à : établir une comparaison des efforts et des déplacements horizontaux .

Méthode de travail : nous utilisons la méthode statique équivalente qui consiste à dimensionner l'ensemble des éléments de l'ossature du bâtiment , et d'en déduire les volumes différentiels en béton suivant chaque règle

But : déduire la règle la plus appropriée qui nous permettra de concevoir la réalisation de l'ouvrage - avec des moyens efficaces et peu coûteux .

2^e partie : la méthode et le but qu'on vient de citer plus haut s'avère indispensable et ce en rapport avec notre projet pour pouvoir aborder cette partie Comparaison des règles de calcul en béton armé .

- CCBA 68 « Règles techniques de conception et de calcul des ouvrages et construction en béton armé » 68
- BAEL 80 « Règles de calcul des ouvrages et construction en béton armé suivant la méthode des états limites 80 .

Notre but dans cette 2^e partie , est de déterminer la différence des quantités d'acier donné par les deux règlements pour notre ouvrage .

CARACTERISTIQUES DES MATERIAUX REGLEMENT UTILISES

Introduction:-

les prescriptions relatives au béton armé utilisées dans nos calculs sont contenues dans les documents intitulés "Règles techniques de conception et de calcul des ouvrages et construction en béton armé" suivant les contraintes admissibles connu sous le nom du "CCBA 68" et les règles techniques de conception et de calcul des ouvrage et conception en béton armé suivant les états limites connu sous le nom "Règles BREL 80".

I - Règles CCBA 68

- A - Beton :-

beton dosé à 350 kg/m³ de CPA 325 à contrôle atte-
nue' Resistance nominale de compression à 28 jours est de 270 bars
Resistance nominale de traction à 28 jours est de 23,2 bars

Contrainte de Compression admissible

(du CCBA 68 Art 9.4)

$$\bar{\sigma}'_b = f'_b \cdot \tau'_{28} \quad \text{avec } f'_b = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \delta \cdot \varepsilon.$$

$\alpha, \beta, \gamma, \delta, \varepsilon$ mentionnée au CCBA 68 art 9.4
contrainte admissible de compression simple:-

$$\bar{\sigma}'_{b_0} = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \delta \cdot \varepsilon \cdot \tau'_{28}$$

$$\bar{\sigma}'_{b_0} = 1 \times \frac{5}{6} \times 1 \times 0,3 \times 1 \times 270 = 67,5 \text{ bars} = 69 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{sollicitation du 1er genre (SP₁)}$$

$$\bar{\sigma}'_{b_0} = 1,5 \cdot 67,5 = 101,1 \text{ bars} = 103,12 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{sous sollicitation du 2ème genre (SP₂).}$$

Contrainte admissible en flexion simple:-

$$\bar{\sigma}'_b = 1 \times \frac{5}{6} \times 1 \times 0,6 \times 1 \times 270 = 135 \text{ bars} = 137,7 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{sous SP}_1)$$

$$\bar{\sigma}'_{b_0} = 1,5 \times 135 = 202,5 \text{ bars} = 206,55 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{sous SP}_2).$$

Contrainte de traction de référence :-

(Article 9.5 CCBA 68)

le béton tendu est négligé on calcule la contrainte de référence au lieu de la contrainte admissible. elle désigné par $\bar{\sigma}'_b$

$$\bar{\sigma}'_b = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \theta \cdot \tau'_{28} \quad \theta = 0,018 + \frac{2,1}{\sigma'n}$$

$$\bar{\sigma}'_b = 1,5 \cdot 5,9 = 8,85 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{sous SP}_2)$$

$$\bar{\sigma}'_b = 1 \cdot \frac{5}{6} \cdot 1 \cdot \left[0,018 + \frac{2,1}{270} \right] = 5,8 \text{ bars} = 5,9 \text{ kg/cm}^2 \quad (\text{sous SP}_1)$$

α, β, γ ont la même signification précédente

Module de déformation du béton

Module de déformation longitudinale :-

d'une durée d'app

Dans le cas des charges

d'une durée d'application inférieur à 24 heures le module de déformation instantané E_i est égale à

$$E_i = 21000 \sqrt{\sigma_j'} \text{ (bars)} \quad "CCBA 68 art 9.61"$$

σ_j' = la résistance du béton à j jours, exprimée en bars.

le module de déformation longitudinale du béton sous les contraintes permanente ou de longue durée d'application, ou module de déformation différencié E_V est égale à

$$E_V = 7000 \sqrt{\sigma_j'} \text{ bars}$$

Lorsque on ne dispose que du résultats à 28 jours pour la résistance du béton, on peut admettre que, pour les grandes valeurs de j on a sensiblement $\sigma_j' = 1.20$ pour les bétons à base de ciment de classe 325.

$\sigma_j' = 1.10$ pour les bétons à base de ciment supérieures.

B - ACIERS :-

on utilise des Aciers doux (nuds lisses).
nuances

Aciers à haute adhérence.

Fe E 24 $\sigma_{en} = 2350$ bars (2400 kg/cm^2).

$\bar{\sigma}_a = 1600 \text{ kg/cm}^2$ (sous SP₁)

$\bar{\sigma}_a = 2400 \text{ kg/cm}^2$ (sous SP₂).

nuances

Fe E 40 (1) $\sigma_{en} = 4120$ bars pour $\phi \leq 20 \text{ mm}$.

(2) $\sigma_{en} = 3920$ bars pour $\phi > 20 \text{ mm}$.

contrainte admissible:

(1) $\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$ sous (SP₁).

$\bar{\sigma}_a = 4200 \text{ kg/cm}^2$ sous (SP₂).

(2) $\bar{\sigma}_a = 2667 \text{ kg/cm}^2$ sous (SP₁)

$\bar{\sigma}_a = 4000 \text{ kg/cm}^2$ sous (SP₂)

Treillis soudés:

les treillis soudés sont des grillages en fils croisés se croisant perpendiculairement et soudés électriquement à leurs point de croisement.

les caractéristiques mécaniques des treillis soudés formés de fils tissés, bruts de trafilage sont données par le tableau suivant.

Condition de non fissuration du béton et contrainte de traction sont donnés par le (CCBA 68 art 4.5).

Diamètre ϕ en mm	Ten ou σ_{en}	
	bars	kg/cm^2
$\phi \leq 6$	5200	5300
$\phi \geq 6$	4440	4500

REGLES BAEL-80

A-beton:-

Pour un dosage de ciment de 350 kg/m^3 de classe (55 et 55R) auto-controlé, surveillé, la valeur de la résistance caractéristique du béton à 28 jours :

$$f_{c28} = 25 \text{ MPa}$$

La résistance caractéristique à la traction du béton à 28 jours est déduite de celle à la compression par la relation :-

$$f_{t28} = 0,6 + 0,66 f_{c28}$$

$$f_{t28} = 2,1 \text{ MPa}$$

Il est à noter que la définition de la résistance caractéristique est analogue à celle de la résistance minimale du CCBIT 68.

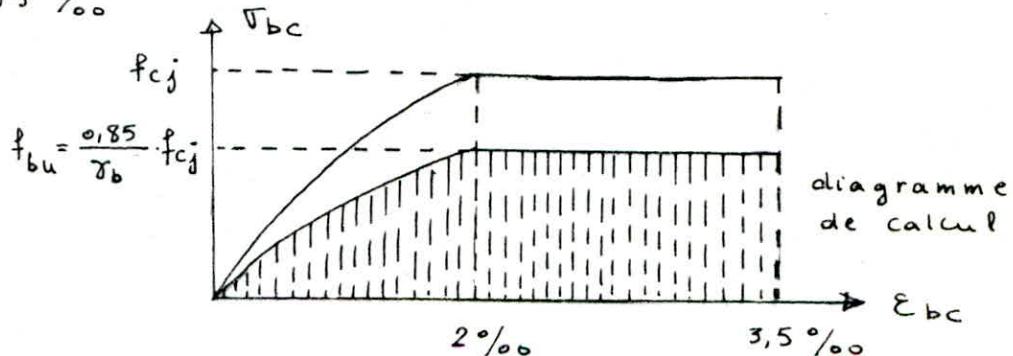
Diagramme Contraintes - déformation (T-E)

les diagrammes réels contraintes - déformation que l'on peut observer, lors d'essais d'écrasement d'éprouvettes de béton, sont représentés par le diagramme parabole-rectangle (ou Rectangle simplifié) adopté par les règlements de calcul aux états limites.

Diagramme simplifiés du BAEL (diagramme de calcul)

Pour les vérifications à l'état limite ultime, on doit utiliser pour le béton un diagramme non linéaire dit (parabole-rectangle), pour les vérifications à l'état-limite de service le béton considéré comme élastique et linéaire. est défini par son module d'élasticité

Le diagramme parabole-rectangle se compose d'un arc de parabole ayant son sommet pour $\varepsilon_{bc} = 2\%$ et d'un palier horizontal pour $2\% \leq \varepsilon_{bc} \leq 3,5\%$



Le coefficient de sécurité γ_b , tient compte d'éventuels défauts localisés ainsi que de la réduction possible de la résistance mise en œuvre par rapport à sa résistance caractéristique défini à priori.

- situation durables ou transitoires $\gamma_b = 1,5$.
- situation accidentielles $\gamma_b = 1,15$.

Le coefficient de minoration de 0,85 de la résistance du béton, tient

Compte de l'influence défavorable de la durée d'application de la charge et des conditions de betonnage et d'hygrométrie qui conduisent à la face supérieure de la zone comprimée, à une dessiccation plus rapide et en conséquence, à une diminution de la résistance à la compression. Lorsque la section n'est pas entièrement comprimée, le calcul à l'état-limite ultime peut être effectué en substituant au diagramme parabole-rectangle le diagramme rectangulaire simplifié.

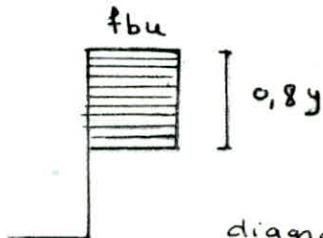
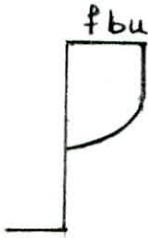
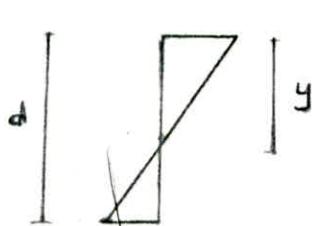


Diagramme parabole-rectangle.

diagramme
rectangulaire
simplifié

l'emploi du diagramme rectangulaire donne une bonne approximation des efforts dans le cas d'une déformation extrême du béton $E_{bc} = 3,5\%$

Modules de déformation longitudinales :-

pour un chargement d'une durée d'application < 24 h : le module de déformation instantané

$$E_{ij} = 12 \times 10^3 (f_{cj})^{1/2} \text{ age' de } j \text{ jours.}$$

pour un chargement de longue durée d'application, le module de déformation E_{vj} est pris égal à $E_{vj} = \frac{E_{ij}}{3}$.

Pour les vérifications courantes, l'âge du béton est > 28 j et l'on considère un module de courte durée (E_i), et un module de longue durée (E_v) .

$$E_i = 12000 (f_{c28})^{1/3}$$

$$E_v = \frac{E_i}{3}$$

l'augmentation de résistance au delà de 28 j ne change pas d'une manière significative la valeur du module.

B- Aciers :-

se distingue suivant leur nuance et leur état de surface

Acius (Armature de type 1) : barres à haute adhérence obtenue par laminage à chaud d'un acier naturellement dur.

(Armature de type 2) : barre à haute adhérence obtenue, par laminage à chaud suivi d'un écouvillonnage par traction ou torsion sans réduction de section.

Caractères mécanique :-

(44) + (45)

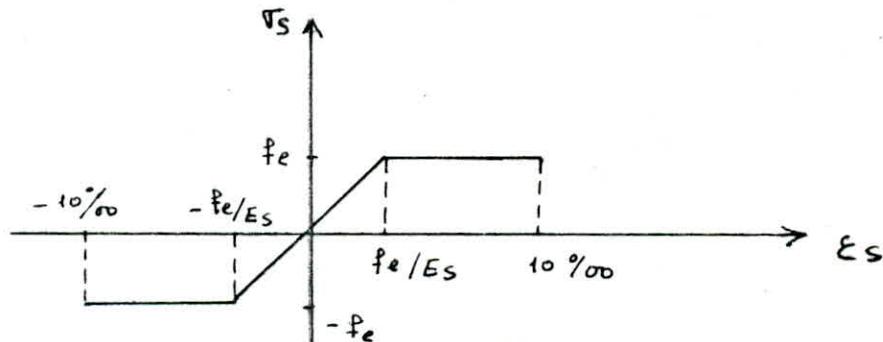
la limite élastique et la forme du diagramme contrainte - déformation sont les seules caractéristiques utiles à la justification d'une section.

TYPE	NUANCES	LIMITE d'élasticité f_e
Barre H.A (Type 1 et 2)	Fe E 40	4000 bars.
	Fe E 50	5000 bars
Ronds Lisses	Fe E 22	2200 bars
	Fe E 24	2400 bars

Diagramme Contrainte déformation :-

Aciers de type 1 :

Il se compose de la droite de Hooke de pente $E_s = 200 \times 10^3 \text{ MPa}$, d'un palier horizontal d'ordonnée f_e .



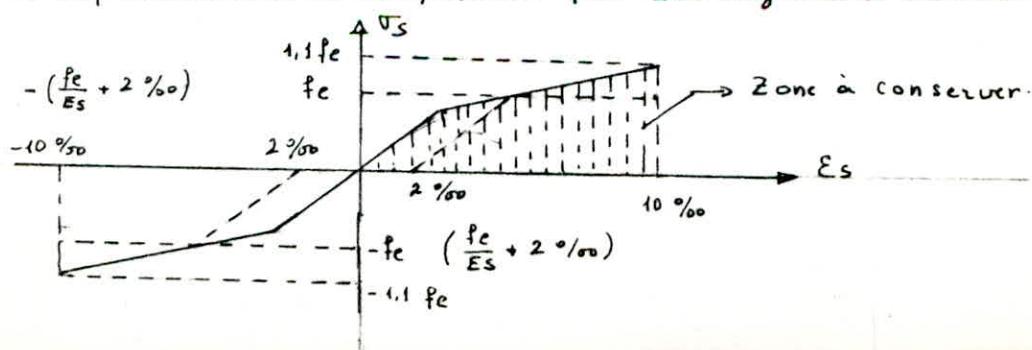
pour Aciers de type 2 :

Il se compose de la droite de Hooke de pente $200 \times 10^3 \text{ MPa}$ d'une partie courbe pour $\sigma_s \geq 0,7 f_e$.

L'équation dans le repère (ϵ_s, σ_s)

$$\epsilon_s = \frac{\sigma_s}{E_s} + 0,823 \left[\frac{\sigma_s}{f_e} \pm 0,7 \right]^5 \rightarrow \begin{cases} \text{- pour } \sigma_s \geq 0,7 f_e \\ \text{+ pour } \sigma_s \leq 0,7 f_e \end{cases}$$

le BAEL admet comme diagramme de calcul (contrainte - déformation) une autre représentation ne comportant que des segments de droites.



CHARGES PERMANENTES

plancher terrasse

- 1 - protection d'étanchéité (gravillon). $e = 5 \text{ cm}$.
- 2 - Etanchéité multicouche.
- 3 - Beton forme de pente.
- 4 - Isolation thermique (liège).
- 5 - Corps creux + table de compression $e = 20 \text{ cm}$
- 6 - Enduit plâtre $e = 2 \text{ cm}$

poids propre du plancher:

- 1- Gravillon ($\rho = 1800 \text{ kg/m}^3$). $1800 \times 0,05 = 90 \text{ kg/m}^2$
- 2- Etanchéité multicouche 30 kg/m^2
- 3- Beton forme de pente ($\rho = 2200 \text{ kg/m}^3$) $2200 \times 0,11 = 242 \text{ kg/m}^2$
- 4- Isolation thermique (liège) $200 \times 0,05 = 10 \text{ kg/m}^2$.
- 5- Corps creux + table de compression 265 kg/m^2
- 6- Enduit de plâtre ($\rho = 1700 \text{ kg/m}^3$) $1700 \times 0,02 = 34 \text{ kg/m}^2$

$$G = 90 + 30 + 242 + 10 + 265 + 34 = 671 \text{ kg/m}^2$$

pour dalle plein $G = 90 + 30 + 242 + 10 + 500 + 34 = 906$

plancher étage courant :-

poids propre

- 1- carrelage ($\rho = 2200 \text{ kg/m}^3$) $2200 \times 0,02 = 44 \text{ kg/m}^2$
- 2- Mortier ($\rho = 2000 \text{ kg/m}^3$). $2000 \times 0,01 = 20 \text{ kg/m}^2$
- 3- Table ($\rho = 1700 \text{ kg/m}^3$). $1700 \times 0,02 = 34 \text{ kg/m}^2$
- 4- Corps creux + table de compression. $= 265 \text{ kg/m}^2$
- 5- Enduit plâtre ($\rho = 1700 \text{ kg/m}^3$) $1700 \times 0,02 = 34 \text{ kg/m}^2$
+ cloisons $= 100 \text{ kg/m}^2$.

$$G = 44 + 20 + 34 + 265 + 34 + 100 = 497 \text{ kg/m}^2$$

dalle plein, $G = 44 + 20 + 34 + 500 + 34 + 100 = 732$

Surcharges d'exploitation :-

plancher terrasse :

étage inaccessible sauf entretien 100 kg/m^2

plancher étage courant :

Escalier

175 kg/m^2

Balcons

250 kg/m^2

350 kg/m^2

Remplissage :

Briques creuses

$e = 25 \text{ cm}$

$\rho = 1400 \text{ kg/m}^3$

mur extérieur

Enduit extérieur

$e = 2 \text{ cm}$

$\rho = 2000 \text{ kg/m}^3$

Enduit intérieur

$e = 1,5 \text{ cm}$

$\rho = 1700 \text{ kg/m}^3$

predimensionnement

- ossature autostable
- prescriptions relatives au coffrage (R.P.A).

poteau:

doivent vérifier les conditions suivantes:-

$$* A = b_1 \times b_2 \geq \frac{K \cdot N}{\tau'_{28}}$$

K: coefficient qui dépend de la zone sismique.
(K=4 en zone II)

$$* \min(b_1, b_2) \geq 30$$

$$* \frac{1}{3} \leq \frac{b_1}{b_2} \leq 3$$

$$* \min(b_1, b_2) \geq \frac{h}{20}$$

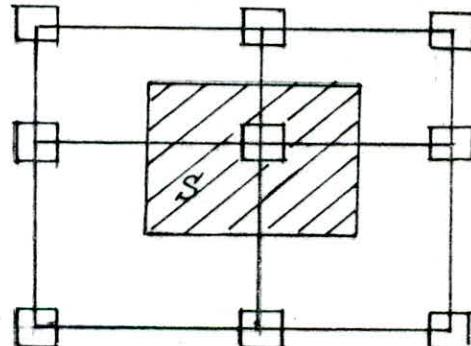
poutres: $b \geq 20$ en zone I et II

$$\frac{q}{b} \leq 3$$

descente de charge:-

poteau intérieur

$$\text{Surface } S = 2,7 \left(\frac{3,7}{2} + \frac{5}{2} \right) = 11,745 \text{ m}^2$$



$$\text{Poids du poteau: } 3,06 \times 0,5 \times 0,3 = 2500 = 918 \text{ kg.}$$

$$\text{Poids du poutre: } 2500 [2,7 \cdot 0,4 \cdot 0,3 + \frac{3,7}{2} \cdot 0,45 \cdot 0,3 + \frac{5}{2} \cdot 0,45 \cdot 0,3] = 2278,13 \text{ kg}$$

$$\text{Terrasse: } CP = 671 \cdot 11,745 + 2278,125 + 918 = 11077 \text{ kg.}$$

$$CS = 100 \times 11,745 = 1174,5 \text{ kg.}$$

$$\text{Etage 4: } CP = 497 \cdot 11,745 + 2278,125 + 918 = 9033,4 \text{ kg.}$$

$$CS = 175 \cdot 11,745 = 2055,38 \text{ kg.}$$

$$\text{Etage 3: } CP = 9033,4 \quad CS = 2055,38 \quad \Sigma CP + CS = 57221,5 \text{ kg.}$$

$$\text{Etage 2: } CP = 9033,4 \quad CS = 2055,38.$$

$$\text{Etage 1: } CP = 9648,26 \quad CS = 2055,38.$$

on a dans les poteaux $30 \times 50 \quad A = 30 \times 50 \geq \frac{4 \times 57221,5}{270} = 847,72$ vérifié

$$\min(30, 50) \geq 30 \text{ vérifié.} \quad \frac{1}{3} \leq \frac{30}{50} \leq 3 \quad \text{et} \quad \frac{1}{3} \leq \frac{50}{30} \leq 3$$

$$\min(30, 50) \geq \frac{30 \cdot 50}{20} = 15,3.$$

predimensionnement des poutres

$$\frac{L}{16} \leq h_t \leq \frac{L}{10}$$

$$b = (0,4 \text{ à } 0,7) h_t$$

h_t : hauteur totale de la poutre

L : portée de la poutre prise entre nos intérieurs des appuis.

b : largeur de la poutre.

hauteur de la poutre dans le sens longitudinal :-

on considère la plus grande portée qui est égal à 2,70 d'où

$$16,87 \leq h_t \leq 27$$

$$b = (12-21) \text{ cm.}$$

d'après le RPA 81 les dimensions des poutres doivent respecter les dimensions ci-après

$$\text{on a Zone II} \quad 1) b \geq 20 \text{ cm} \quad 2) h \geq 30 \text{ cm} \quad 3) \frac{h}{b} \leq 3$$

$$\text{on prend } h_t = 35 \text{ cm.} \quad b = 30 \text{ cm.}$$

hauteur de la poutre transversale :-

est égal à 4,9 d'où $30,62 \leq h_t \leq 49$

on considère la plus grande portée qui

$$\text{on prend } h_t = 45 \text{ cm} \quad b = 18 \text{ à } 31,5$$

$$b = 30 \text{ cm}$$

les dimensions des poutres vérifient les conditions de RPA 81.

- On a fait le predimensionnement suivant le RPA on a trouvé une section du poteau 30×50 , après avoir calculer les efforts horizontaux dues aux séismes on a trouvé dans certains niveaux des poteaux et des ferrailage qui dépassent le maximum donné par le RPA 81 (4% de la section du béton). alors on a fait un changement des sections comme suit.

Niveau I et II 50×50

Niveau III et IV 40×50

Niveau V et VI 30×50

le changement des dimensions des poteaux va entraîner une redistribution des efforts - aux nœuds entre les traverses (poutres) et les montants (poteaux) autrement dit.

- un soulagement relatif des poutres

- un surcroît d'efforts sur les poteaux

Neu moins il est à penser que le surcroît d'effort sera absorbé par l'augmentation des dimensions des poteaux qui a été opérée.

ETUDE AU SEISME

Introduction:

une grande partie du territoire algérien est susceptible d'être soumise à d'importantes récurrences d'ordre sismique d'intensité suffisante pour causer d'importants dommages et / ou ruines des structures, à moins que celles-ci ne soient conçues et construites de manière adéquate pour résister à ces effets, c'est dans ce but que le D.T.U et le C.T.C ont mis au point les règlements suivants : Règles PS 69, Complément du CTC aux règles PS 69 et le "R.P.A 81".

Principe de calcul:-

Dans la conception des présents règlements cités ci-dessus, les forces réelles dynamiques qui se développent dans la structure sont remplacées par un système de forces statiques fictif dont les effets sont censés équivaloir à ceux de l'action sismique.

Le mouvement du sol peut se faire dans une direction quelconque dans le plan horizontal, les forces sismiques horizontales équivalentes sont considérées appliquées successivement dans deux directions orthogonales choisies par le concepteur; Dans le cas général, ces deux directions sont les axes principaux du plan horizontal de la structure.

Remarque:-

Notre bâtiment satisfait toutes les conditions données par l'article 3.2.11 du R.P.A 81 pour pouvoir utiliser la méthode statique.

Determination des charges sismiques:-

les charges sont supposées concentrées au niveau des planchers on notera G - charges permanentes
P - Surcharges.

Niveau I:-

Surface du plancher $S = 275,45 + 16,38 = 291,83 \text{ m}^2$
charge permanente G.

- plancher terrasse $291,83 \times 0,671$
- l'acrotère $2,5 [0,1 \times 0,6 \times 17,9 + 0,4 \times 0,1 \times 60,4]$
- retombé des poutres: $2,5 [10 \times 0,3 \times 0,3 \times 3,5 + 10 \times 0,3 \times 0,3 \times 4,8]$
 $+ 26 [0,15 \times 0,3 \times 2,7 + 6 \times 1,3 \times 0,3 \times 0,3 + 3 \times 0,3 \times 0,1 \times 2,7] \cdot 2,5 =$

$$G = 195,81 + 8,8 + 28,935 + 17,215 = 250,855$$

$$P = 291,83 \times 0,1 = 29,183 \text{ t}$$

59

étage courant : Niveaux III - III' - II

- charges permanentes : - surface du plancher $244,23 + 16,38$
- plancher $(244,23 + 16,38) \cdot 0,497 = 129,523$ +
- Escalier :
 Volée : $5,28 \times 1,302 = 6,87$ t
 palier : $8,775 \times 7,95 = \frac{6,976}{13,846} + \}$ } $13,846$ +
- retombe du poutre d'escalier $2(0,3 \times 0,2 \times 2,7 \times 2,5) = 0,81$ +
- poteau $34,43$ +
- mur extérieur $94,085$ +
- mur intérieur $46,5334$ +
- retombe des deux poutres $28,935$ +

$$G = 129,523 + 13,846 + 0,81 + 34,43 + 94,085 + 46,5334 + 28,935 \\ = 348,1624$$

$$P = (5,28 + 8,775) \times 0,250 + 244,23 \times 0,175 + 16,38 \times 0,350 \\ = 51,987$$

Niveau I

calcul au vent $= 1,3 \times 3,3 \times 0,15 \times 2,5 + 0,015 \times 1,4 \times 3,3 \times 1,3 = 1,698$ t

$$G = 348,1624 + 1,698 = 349,86$$
 t.

$$P = 51,987 + 0,1 \times 1,3 \times 3,3 = 52,416$$
 t.

ETUDE AUX REGLES PS 69

PS 69 + complément CTC

les systèmes équivalents résultent de la combinaison

- d'un système de forces élémentaires horizontales S_H
- d'un système de forces élémentaires verticales S_V
- d'un système de couples de torsion d'ensemble d'axe vertical S_T

$$S_H = \Gamma_H \cdot W \quad ; \quad S_V = \pm \Gamma_V \cdot W$$

avec $\Gamma_H = \alpha \cdot B \cdot \gamma \cdot \delta$: Coefficient sismique de l'élément considéré
 $\Gamma_V = \pm \frac{1}{\sqrt{\alpha}} \cdot \Gamma_H$: Coefficient sismique vertical pour $\alpha < 1$ $\Gamma_V = \Gamma_H$

W : poids des charges permanentes et surcharge propres à l'élément
 $W = G + \frac{P}{5}$

Coefficient sismique dans la direction horizontale

$$\Gamma_H = \alpha \cdot B \cdot \gamma \cdot \delta$$

dans cette formule $\alpha \cdot B \cdot \gamma \cdot \delta$ sont des coefficients

sans dimension dénommés respectivement :-

- coefficient d'intensité
- coefficient de réponse
- coefficient de distribution
- coefficient de fondation

Ces coefficients sont définis clairement dans les (art 3.112 - 12) jusqu'à (3.112 - 15) des règles PS 69

- $\alpha = 1,5$ (= 1,8 d'après CTC) zone de forte séisme III
- $\alpha = 1$ zone de moyenne séisme II
- $\alpha = 0,5$ zone de faible séisme I

Notre bâtiment "d'habitation" se situe dans la catégorie de l'amortissement moyen "zone II" El Sour et GHOUZ LAN

T étant la période du bâtiment $\beta = \frac{0,085}{\sqrt[3]{L}}$ max $\beta = 0,13$
 il présente une symétrie dans le sens longitudinal et dissymétrie dans l'autre sens

La période de celui-ci sera donc déterminée par la formule fournie donnée par les règles PS 69 et le RPA 81

ou un contreventement par ossature autostable de béton armé

$$T = \frac{0,09 H}{\sqrt{L}}$$

H: hauteur du bâtiment

L: dimension en plan du bâtiment

$$L_x = 27,40 \text{ m} \quad H = 12,19 \text{ m}$$

$$L_y = 9,65 \text{ m}$$

$$\text{suivant } L_x \quad T = 0,2$$

$$\beta_x = 0,14$$

on prend $\beta_x = 0,13$

$$\text{suivant } L_y \quad T = 0,35$$

$$\beta_y = 0,12$$

$$\delta = 1,5$$

terrain de consistance moyenne, semelle superficielle
zones de moyenne séismicité

$$\Gamma_{Hx} = \alpha \cdot \beta_x \cdot \delta \cdot \gamma = 1 \cdot 0,13 \cdot 1,15 \cdot \gamma = 0,150 \gamma$$

$$\Gamma_{Hy} = \alpha \cdot \beta_y \cdot \delta \cdot \gamma = 1 \cdot 0,12 \cdot 1,15 \gamma = 0,138 \gamma$$

$$\Gamma_V = \max [\Gamma_{Hx}, \Gamma_{Hy}] = \Gamma_{Hx} = 0,150 \gamma$$

les valeurs de γ et Γ sont représentées par le tableau suivant

N°	z(m)	z^2	M(t)	z · M	$z^2 \cdot M$	$\frac{\sum Mz}{\sum Mz^2}$	h(m)	γ	Γ_{Hx}	Γ_{Hy}	Γ_V
X	15,9	252,81	256,76	4082,48	64911,50	0,11	15,9	1,75	0,26	0,24	0,26
Y	12,89	166,15	358,56	4621,83	59574,75	0,11	12,89	1,42	0,21	0,19	0,21
Z	9,88	97,61	358,56	3542,57		0,11	9,88	1,09	0,16	0,15	0,16
A	6,87	47,2	358,56	2463,30	16924	0,11	6,87	0,76	0,14	0,12	0,13
B	4,26	18,15	360,26	1534,70	6538,72	0,11	4,26	0,47	0,07	0,06	0,07

les valeurs de γ sont évaluées à l'aide de la formule

$$\gamma(h) = h \cdot \frac{\sum z \cdot M(z)}{\sum z^2 \cdot M(z)}$$

avec $M(z) = \text{masse concentrée à la côte } z$

FORCE SISMIQUE

$$W_{\text{II}} = G + \frac{P}{5} = 250,86 + \frac{29,48}{5} = 256,76 \text{ t}$$

$$W_{\text{IV}} = 348,16 + \frac{52}{5} = 358,56 \text{ t}$$

$$W_{\text{III}} = \dots = 358,56 \text{ t}$$

$$W_{\text{II}} = \dots = 358,56 \text{ t}$$

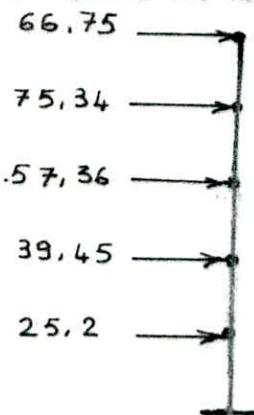
$$W_I = \dots = 360,26 \text{ t}$$

on remarquera que

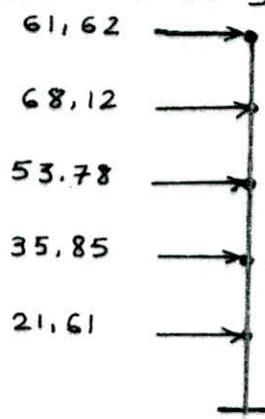
$$\Gamma_V = \Gamma_{Hx}$$

Niv	W(t)	Γ_{Hx}	Γ_{Hy}	Γ_V	F_{Hx}	F_{Hy}	F_V
IV	256,76	0,26	0,24	0,26	66,75	61,62	66,75
VI	358,56	0,21	0,19	0,21	75,30	68,12	75,30
VII	358,56	0,16	0,15	0,16	57,36	53,78	57,36
VI	358,56	0,11	0,1	0,11	39,45	35,85	39,45
I	360,26	0,07	0,06	0,07	25,2	21,61	25,2

Sivant sens de x



Sivant sens de y



modélisation sous forme de console

ETUDE A LA TORSION

CALCUL du CENTRE de TORSION du PLANCHER

$$x_T = \frac{\sum I x_i \cdot x_i}{\sum I x_i} \quad y_T = \frac{\sum I y_i \cdot y_i}{\sum I y_i}$$

I_x, I_y : moment d'inertie du poteau du plancher considéré suivant l'une ou l'autre des deux directions.

ce moment d'inertie est calculé par rapport à un axe passant par le c.d.g du poteau considéré

$$I_x = \frac{30 \cdot (50)^3}{12} = 3,125 \cdot 10^3 \text{ m}^4 \quad I_y = \frac{50 \cdot (30)^3}{12} = 1,125 \cdot 10^3 \text{ m}^4$$

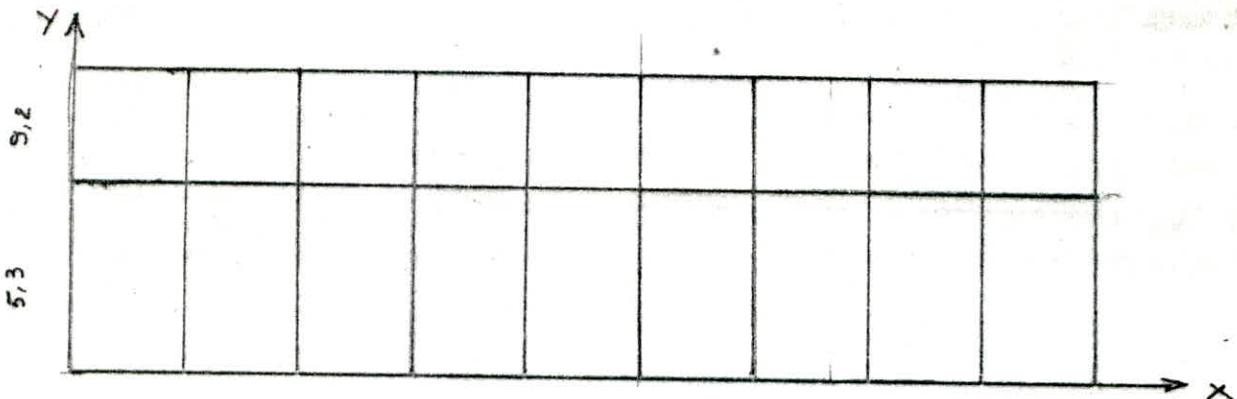
tous les poteaux sont identiques et ayant même moment d'inertie

$$x_T = \frac{3,125 \cdot 10^5 \cdot 3 (15 + 315 + 615 + 915 + 1215 + 1515 + 1815 + 2115 + 2415 + 2715)}{30 \cdot 3,125 \cdot 10^5}$$

$$x_T = 13,80$$

$$y_T = \frac{1,125 \cdot 10^5 (250 + 5550 + 9450)}{30 \cdot 1,125 \cdot 10^5} = 5,08$$

$$y_T = 5,08 \quad x_T = 13,80$$



CALCUL DU CENTRE DE CHARGE POUR PLANCHER COURANT
les coordonnées de centre de charges sont données par les formules classiques:

$$x = \frac{\sum q_i s_i x_i}{\sum q_i s_i}, \quad y = \frac{\sum q_i s_i y_i}{\sum q_i s_i}$$

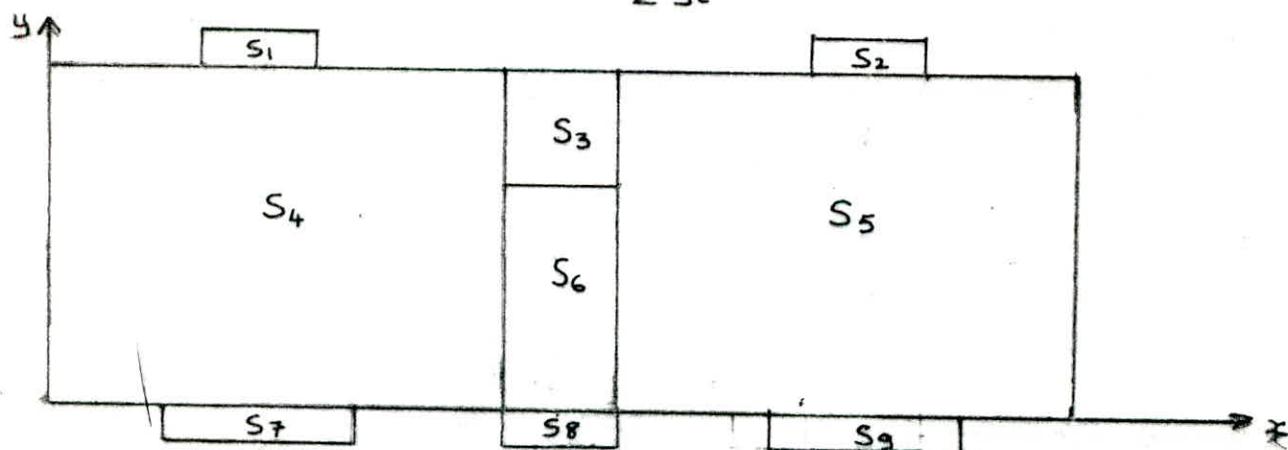
q_i : charges en t/m²

s_i : Surface Considérée

x_i : distance entre l'axe X et le centre de charge de chaque surface considérée

y_i : distance entre l'axe Y et le centre de charges de chaque surface considérée.
dans notre cas la charge est uniformément répartie alors on peut écrire.

$$x_G = \frac{\sum s_i x_i}{\sum s_i}, \quad y_G = \frac{\sum s_i y_i}{\sum s_i}$$



N°	s_i	x_i	y_i	$\sum x_i s_i$	$\sum y_i s_i$	$\sum s_i$	x_G	y_G
1	4,29	7,75	9,95	4066	1365,42	295,71	13,80	4,61
2	4,29	19,75	9,95					
3	14,52	13,75	7,5					
4	116,4	6,25	4,85					
5	116,4	21,25	4,85					
6	19,14	13,75	2,9					
7	8,19	6,25	-0,65					
8	4,29	13,75	-0,65					
9	8,19	21,25	-0,65					

TORSION ACCIDENTELLE :-

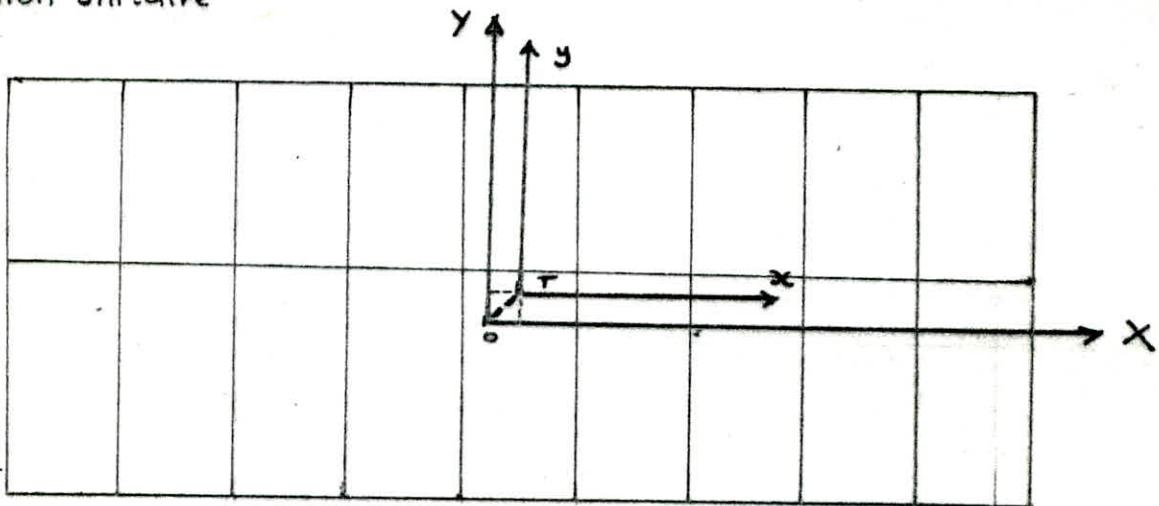
dimension du bâtiment :-

elle est de 5% de la plus grande

$$L = 27,4 \quad e = 5\% \cdot 27,4 = 1,37 \text{ m}$$

$$e = 5,08 - 4,61 = 0,47 \text{ m} < 5\% L = 1,37 \text{ m}$$

- Détermination des forces horizontales dues à la Torsion accidentelle
on déterminera en premier lieu les forces horizontales dues à un moment de torsion unitaire



$$FT_x = K \cdot I_{x,y} \text{ suivant } x ; \quad FT_y = K \cdot I_{y,x} \text{ suivant } y$$

K : coefficient de proportionnalité de niveau.

I : moment d'inertie du poteau considéré (par rapport à l'axe passant par son centre de gravité)

x, y coordonnées du poteau considéré par rapport le repère (x, y)

- Calcul des coefficient de proportionnalité K unitaire

on calculera les K pour un moment de torsion unitaire par rapport au point T

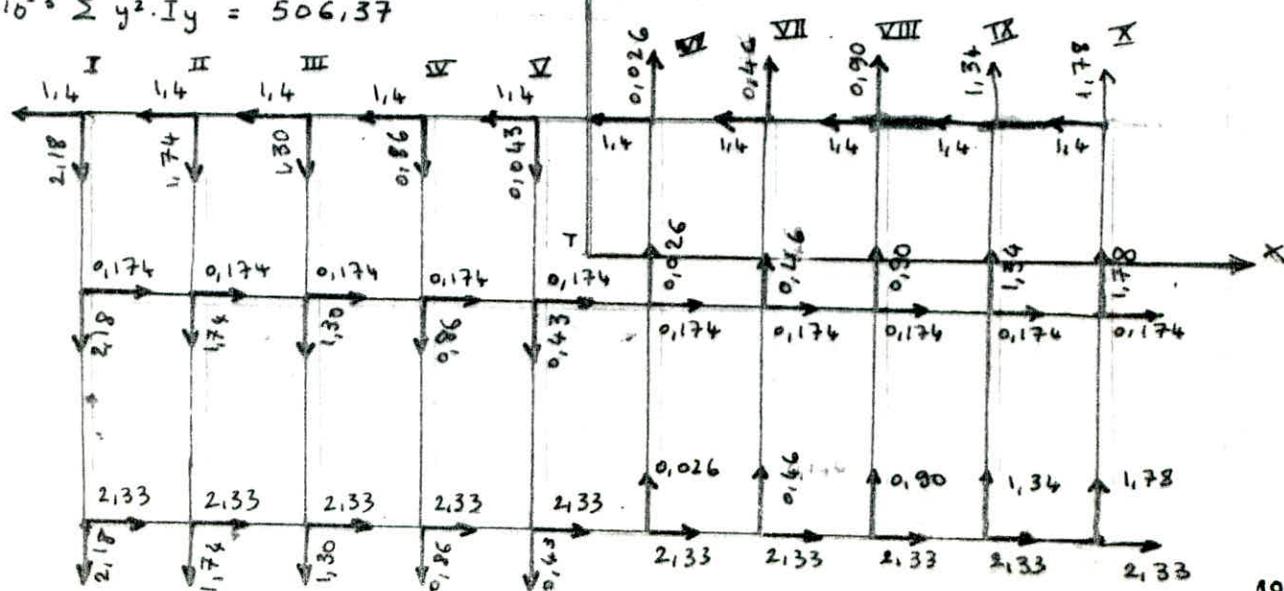
$$K = \frac{t \cdot m}{\sum I_{x,y} \cdot x^2 + \sum I_{y,x} \cdot y^2}$$

on a trois fil du poteau A, B, C

	x	y	x^2	y^2	$Ix \cdot 10^{-3}$	$Iy \cdot 10^{-3}$	$\Delta x^2 Ix \cdot 10^{-3}$	$y^2 Iy \cdot 10^{-3}$
A I	-14,92	3,47	222,300	12	3,125	1,125	695,62	13,5
A II	-11,92	3,47	142,08	12	3,125	1,125	443,	13,5
A III	-8,92	3,47	79,56	12	3,125	1,125	248,62	13,5
A IV	-5,92	3,47	35	12	3,125	1,125	109,37	13,5
A V	-2,92	3,47	8,52	12	3,125	1,125	26,62	13,5
A VI	0,18	3,47	0,032	12	3,125	1,125	0,1	13,5
A VII	3,18	3,47	10,11	12	3,125	1,125	31,60	13,5
A VIII	6,18	3,47	38,2	12	3,125	1,125	119,37	13,5
A IX	9,18	3,47	84,27	12	3,125	1,125	263,34	13,5
A X	12,18	3,47	148,35	12	3,125	1,125	463,60	13,5
B I	-14,92	-0,43	222,60	0,184	3,125	1,125	695,62	0,207
B II	-11,92	-0,43	142	0,184	3,125	1,125	443,75	0,207
B III	-8,92	-0,43	79,56	0,184	3,125	1,125	248,62	0,207
B IV	-5,92	-0,43	35	0,184	3,125	1,125	109,37	0,207
B V	-2,92	-0,43	8,52	0,184	3,125	1,125	26,62	0,207
B VI	0,18	-0,43	0,032	0,184	3,125	1,125	0,1	0,207
B VII	3,18	-0,43	10,11	0,184	3,125	1,125	31,60	0,207
B VIII	6,18	-0,43	38,2	0,184	3,125	1,125	119,37	0,207
B IX	9,18	-0,43	84,27	0,184	3,125	1,125	263,34	0,207
B X	12,18	-0,43	148,33	0,184	3,125	1,125	463,6	0,207
C I	-14,92	-5,73	222,60	32,83	3,125	1,125	695,62	36,93
C II	-11,92	-5,73	142	32,83	3,125	1,125	443,75	36,93
C III	-8,92	-5,73	79,56	32,83	3,125	1,125	248,62	36,93
C IV	-5,92	-5,73	35	32,83	3,125	1,125	109,37	36,93
C V	-2,92	-5,73	8,52	32,83	3,125	1,125	26,62	36,93
C VI	0,18	-5,73	0,032	32,83	3,125	1,125	0,1	36,93
C VII	3,18	-5,73	10,11	32,83	3,125	1,125	31,60	36,93
C VIII	6,18	-5,73	38,2	32,83	3,125	1,125	119,37	36,93
C IX	9,18	-5,73	84,27	32,83	3,125	1,125	263,34	36,93
C X	12,18	-5,73	148,33	32,83	3,125	1,125	463,62	36,93

$$10^{-3} \sum x^2 \cdot Ix = 7206 \quad K = 0,13$$

$$10^{-3} \sum y^2 \cdot Iy = 506,37$$



ETUDE AU RPA'81

le système de contreventement est assuré par une structure à noeuds rigides (structure autostable) qu'on étudie d'après le RPA 81.

- calcul des forces sismiques

Supposons que toutes les forces sismiques sont propagées latéralement. Les forces sismiques horizontales n'agissent pas simultanément dans les deux directions principales de la structure suivant la formule de l'article 3.3.1 du RPA 81.

$$V = A \cdot B \cdot D \cdot Q \cdot W$$

$-V$ = force horizontale totale.

La force verticale → à terminer

- A = coefficient d'accélération des zones :- représente l'accélération maximale possible de la région, de la période de vie de la structure et des niveaux de risque.

Il dépend du groupe d'usages et de la zone sismique.

- groupe d'usage : 2
- zone sismique : II } du tableau → $A = 0,15$

- D = facteur d'amplification dynamique moyen :- il est fonction de la période de la structure, de la nature du sol et de l'amortissement de la structure.

On a un bâtiment autostable alors il est capable de reprendre à 100 % les forces horizontales.

$$H = 16,30$$

$L = 27,40$ dimension du bâtiment dans le sens de l'action sismique.

sol meuble

$$T = \frac{0,09 \times 16,30}{\sqrt{27,40}} = 0,28 \quad T_x = 0,28 \\ D = 2$$

dans l'autre sens

$$H = 16,30$$

$$L = 11,50$$

$$T = \frac{0,09 \times 16,30}{\sqrt{11,5}} = 0,43 \quad T_y = 0,43$$

$$D = 2$$

- B : facteur de comportement de la structure.

$B = \frac{1}{4}$: structure autostable constituée uniquement de poteaux et poutres capables de reprendre la totalité des efforts.

(56)

Q : facteur de qualité du système de contreventement d'une structure est fonction de l'hyperstabilité et de la surabondance du système de ses symétries en plan et de sa régularité en élévation et de la qualité du contrôle pendant la construction

$$Q = 1 + \sum_{q=1}^6 P_q \quad P_q: c'est la pénalité qui dépend de l'observation ou non \quad du critère de qualité q$$

sens transversal $Q = 1 + (0,1 + 0 + 0 + 0 + 0,1 + 0,1) = 1,3$.

sens longitudinal $Q = 1 + (0 + 0,1 + 0 + 0 + 0,1 + 0,1) = 1,3$.

$$V = 0,15 \times 2 \times \frac{1}{4} \times 1,1 \cdot W \quad \underbrace{\frac{1}{2} \rho d \cdot poteau}_{P. de poutre R.D.C}$$

$$W = 250,855 + (348,1624) \times 3 + 349,86 + 2,86 \cdot 0,3 \cdot 0,5 \cdot 2,5 \cdot 30 + 10 (0,3 \cdot 0,5 \cdot 9,7) + 27 [0,35 - 0,3 \cdot 3] = \underline{1684,35}$$

$$V = 0,15 \cdot 2 \cdot \frac{1}{4} \cdot 1,1 \cdot 1684,35 = 164,23 t.$$

$$V = F_t + \sum_{i=1}^5 F_i \quad F_t = 0 \quad \text{car } T_x, T_y < 0,7 S.$$

L'effort horizontal total V doit être distribué sur la hauteur de la structure suivant la formule :

$$F_{kz} = \frac{(V - F_t) \cdot w_{kz} \cdot h_k}{\sum_{i=1}^5 w_i \cdot h_i} \quad \begin{matrix} F_k: \text{effort horizontal au niveau } k. \\ w_{i,k}: \text{partie de } w \text{ se trouvant au niveau considéré} \end{matrix}$$

Niv	$h_i = h_k$	$w_i = w_k$	$w_k \cdot h_k$	F_{kz}	F_{ky}
1	3,06	849,86	1070,57	12,127	12,127
2	6,12	348,16	2130,74	24,14	24,14
3	9,18	348,16	3196,12	36,21	36,21
4	12,24	348,16	4261,48	48,28	48,28
5	15,3	250,86	3838,16	43,48	43,48

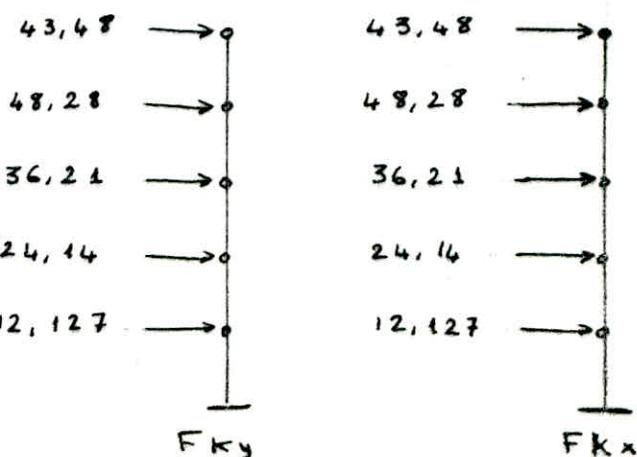
$$V = 164,23$$

$$\sum w_i h_i = 14497,07$$

La modélisation sous forme de console.

- F_{kz} : effort horizontal au niveau le suivant sens x

F_{ky} : effort horizontal au niveau k suivant le sens y



Suite de l'étude
des Torsions

Effet du couple de TORSION UNITAIRE

l'effet du couple de torsion d'axe vertical passant par T se réduit à une rotation du plancher autour du point T. Le déplacement natal par la tête du poteau de coordonnées $(x; y)$ a pour composantes $-K_y y$ et $K_x z$.

Soit I : le moment d'inertie du poteau de coordonnées (x, y) . les actions horizontales sont $-K \cdot I \cdot y$ (suivant x) et $K \cdot I \cdot z$ (suivant y).

un couple de torsion de $\pm t \cdot m$ appliqué en (T) développe dans l'ossature les efforts reportés sur la figure ci-dessus ($\times 10^3$).

par exemple: poteau A VII

$$K \cdot I \cdot y = 0,13 \cdot 1,125 \cdot 3,18 = 0,46$$

$$K \cdot I \cdot z = 0,13 \cdot 3,125 \cdot 3,47 = 1,4$$

Remarque:-

les forces représentées sur la figures ci-dessus sont pour un couple de torsion unitaire. On aura à considérer les moments de torsion réels donnés par $M = F_H \cdot e$ donc pour avoir la force de torsion réelle il faudra multiplier les forces de torsion unitaire (représentées sur les figures ci-dessus) par le moment de torsion réel M .

Moments de Torsion réels

N°y	PS 69 + CTC		RPA 81	
	Suivant x	Suivant y	Suivant x	Suivant y
VII	91,45	84,42	59,57	59,57
VI	103,16	93,32	66,14	66,14
III	78,58	73,67	49,60	49,60
II	54,05	49,11	33,07	33,07
I	34,15	29,60	16,61	16,61

$$M = F_H \cdot e.$$

$$M = F_{kx} \cdot 1,37$$

Forces horizontales dans les portiques.
1 - longitudinale:-

on a 8 portique longitudinal on fera reprendre $\frac{1}{8}$ de la force totale par chaque portique

2 - transversal :- on a 10 portique transversal on fera reprendre $\frac{1}{10}$ de la force totale par chaque portique.

36

Force horizontal dans les portique.

PS + COMP CTC		RPA 81	
NIV	Portique long sens x	Portique long sens x	
V	66,75	22,25	43,48
IV	75,34	25,113	48,28
III	57,36	19,12	36,21
II	39,45	13,15	24,14
I	25,2	8,4	12,127

PS + COMP CTC		RPA 81	
NIV	Portique transv sens y	Portique transv sens y	
V	61,62	6,162	43,48
IV	68,12	6,812	48,28
III	53,78	5,38	36,21
II	35,85	3,59	24,14
I	21,61	2,16	12,127

explication

3

Forces additionnelles dans les portiques suivant le
PS 69 + Comp CTC

Niv Portique	V	IV	III	II	I
A	1,28	1,44	1,10	0,76	0,483
B	0,16	0,18	0,14	0,09	0,06
C	2,13	2,4	1,83	1,26	0,80
I	0,55	0,61	0,48	0,32	0,19
II	0,44	0,49	0,38	0,26	0,15
III	0,33	0,36	0,29	0,19	0,12
IV	0,22	0,24	0,19	0,13	0,076
V	0,1	0,12	0,09	0,06	0,04
VI	$6,58 \cdot 10^3$	$7,28 \cdot 10^3$	$5,75 \cdot 10^3$	$3,83 \cdot 10^3$	$2,31 \cdot 10^3$
VII	0,037	0,04	0,032	0,022	0,013
VIII	0,23	0,25	0,12	0,133	0,08
IX	0,34	0,37	0,30	0,20	0,12
X	0,45	0,50	0,39	0,26	0,16

Exemple de calcul portique A Niveau V et portique I niveau II
 $10 \times 1,4 \cdot 10^3 \cdot 91,45 = 1,28$.
 $3 \times 2,18 \cdot 10^3 \cdot 84,42 = 0,55$

Forces additionnelles dans les portiques suivant le
RPA 81

Niv Portique	V	IV	III	II	I
A	0,84	0,93	0,69	0,47	0,23
B	0,104	0,12	0,086	0,055	0,029
C	1,39	1,54	1,15	0,77	0,38
I	0,38	0,44	0,33	0,22	0,11
II	0,31	0,34	0,26	0,18	0,086
III	0,23	0,26	0,19	0,13	0,068
IV	0,15	0,17	0,13	0,085	0,043
V	0,076	0,085	0,064	0,043	0,022
VI	$4,65 \cdot 10^3$	$5,16 \cdot 10^3$	$3,87 \cdot 10^3$	$2,58 \cdot 10^3$	$1,3 \cdot 10^3$
VII	0,026	0,029	0,022	0,014	$7,3 \cdot 10^3$
VIII	0,16	0,18	0,134	0,089	0,045
IX	0,24	0,24	0,20	0,13	0,07
X	0,32	0,32	0,26	0,18	0,09

Exemple de calcul.

portique A Niveau V $10 \times 1,4 \cdot 10^3 \times 59,57 = 0,84$

portique I Niveau V $3 \times 2,18 \times 59,57 \cdot 10^3 = 0,38$

La force horizontale totale égale à la force de niveau plus la force additionnelle. on trouve que les portiques symétriques ont à peu près les mêmes valeurs

Etude des efforts horizontaux suivant PS 69

Sollicitation de torsion:-

si la longueur d'un bâtiment excède deux fois et demi la largeur c'est à dire si le rapport $\eta = \frac{L_u}{L_v}$ est supérieur à 2,5

ou encore : si dans le plan de contreventement le plus sollicité se trouve équilibrée une fraction θ des efforts horizontaux supérieur à $\frac{2}{3}$.

il convient de vérifier la stabilité de la structure en supposant que la résultante des forces horizontales agissant à chaque niveau dans la direction considérée se trouve écartée de sa position théorique d'une distance égale à :-

$$e = \pm \frac{1}{20} (\lambda + \mu) (L + d)$$

la formule dans laquelle "d" désigne le bras de levier de la résultante théorique par rapport au centre de torsion de la structure de L la dimension du bâtiment en plus perpendiculaire à la direction étudiée

le coefficient λ est nul si η est au plus égal à 2,5

il est égal à $\eta - 2,5$ avec maximum de 1 dans les autres cas

le coefficient μ est nul si θ est au plus égal à $\frac{2}{3}$.

il est égale à $6(\theta - \frac{2}{3})$ si θ est supérieur à $\frac{2}{3}$.

Sens longitudinal :-

Il n'y a pas à tenir compte, dans le sens longitudinal, d'une tension accidentelle car : $\eta = \frac{9,65}{27,46} < 1$.

Sens transversal:-

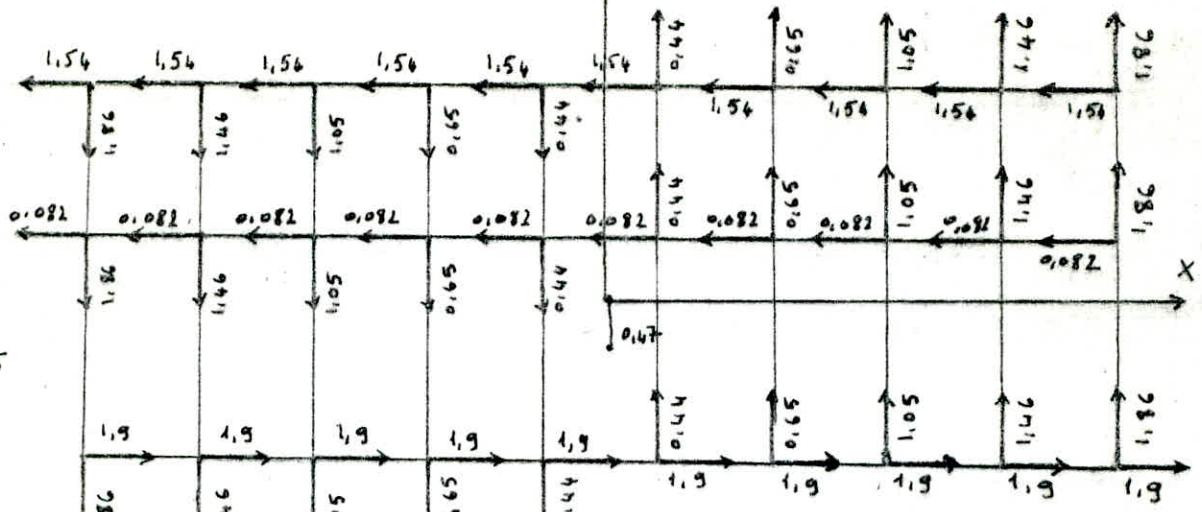
la résultante des forces transversales passe par le centre de torsion mais le bâtiment étant allongé (élançement supérieur à 2,5)
il convient d'introduire les tensions accidentelles.

$$\eta = \frac{L_u}{L_v} = \frac{27,40}{9,65} = 2,84 > 2,5 \quad \left| \begin{array}{l} \theta < \frac{2}{3} \\ \mu = 0 \end{array} \right.$$

$$\lambda = \eta - 2,5 = 2,84 - 2,5 = 0,34 \quad d = 0,47 \quad \left| e = \pm \frac{1}{20} (0,34 + 0)(27,4 + 0,47) = 0,47 \right.$$

- - calcul du coefficient K pour les forces additionnelles

	A I	A II	A III	A IV	A V	A VI	A VII	A VIII	B I	B II	B III	B IV	B V	B VI	B VII	B VIII	C I	C II	C III	C IV	C V	C VI	C VII	C VIII
X	16,97	19,94	4,12	-13,8					13,8	-10,8							13,8	-10,8						
y	16,97	16,97	116,6	4,12	-10,8				16,97	116,6	4,12	-10,8					16,97	116,6	4,12	-10,8				
x^2	16,97	16,97	23,04	4,12	-4,8				16,97	16,97	23,04	4,12	-4,8				16,97	16,97	23,04	4,12	-4,8			
y^2	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,5				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,5				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,5			
x^3	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^4	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^5	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^6	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^7	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^8	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^9	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{10}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{11}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{12}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{13}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{14}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{15}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{16}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{17}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{18}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{19}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{20}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{21}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{22}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{23}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{24}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{25}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{26}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{27}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{28}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{29}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{30}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{31}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{32}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{33}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{34}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{35}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{36}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{37}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{38}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{39}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{40}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{41}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{42}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{43}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{44}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{45}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{46}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{47}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{48}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3			
x^{49}	16,97	16,97	10,99	4,12	-3,3				16,97	16,97														



$$c = 0,12$$

PS 69

NIV	Suyant x		Suyant y	
	Couple de torsion (t.m)			
IV	31,37		28,96	
III	35,39		32	
II	26,96		25,27	
I	18,54		16,85	
	11,84		10,15	

$$M = F_H \cdot e$$

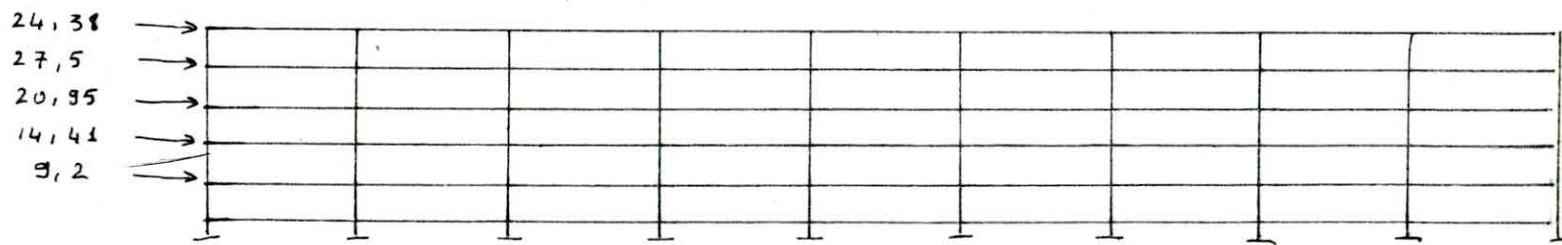
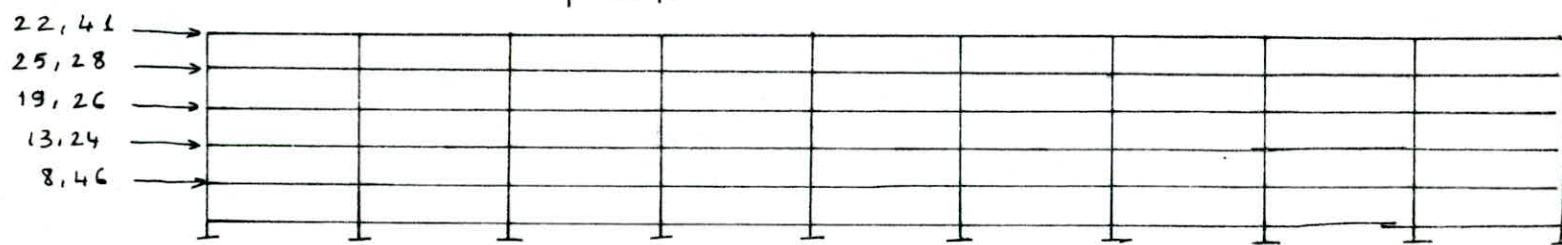
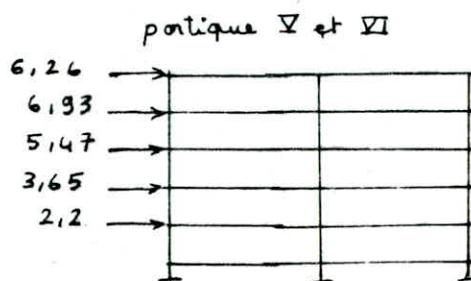
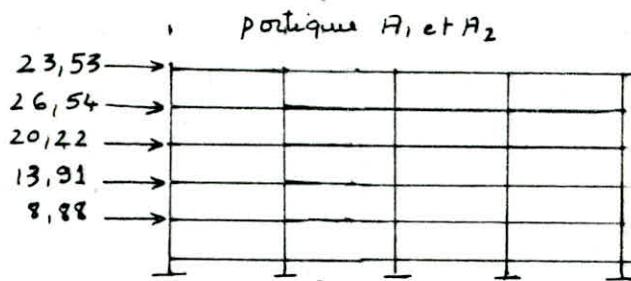
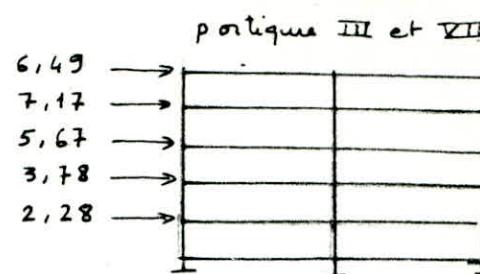
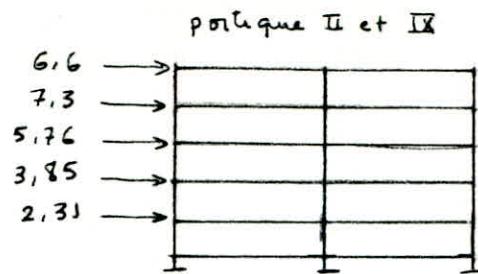
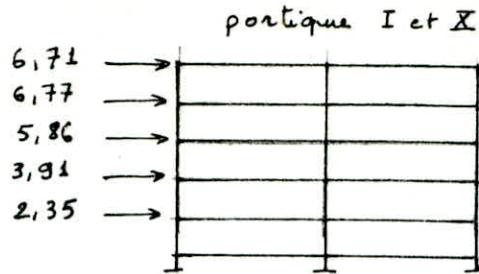
Force additionnelles dans les PORTIQUES

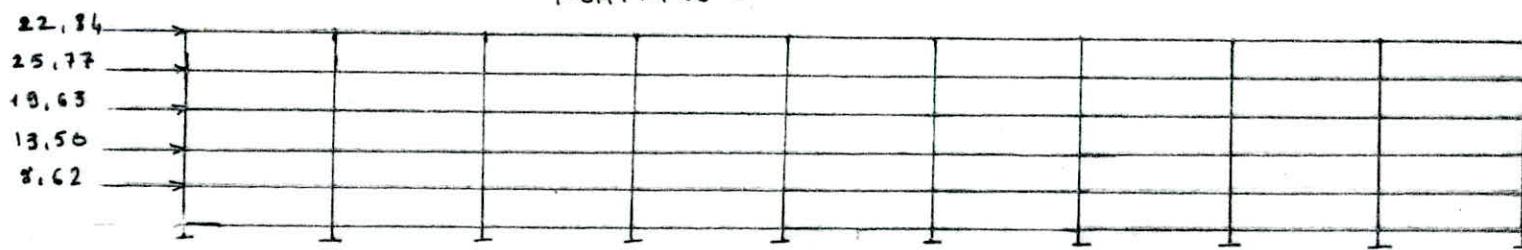
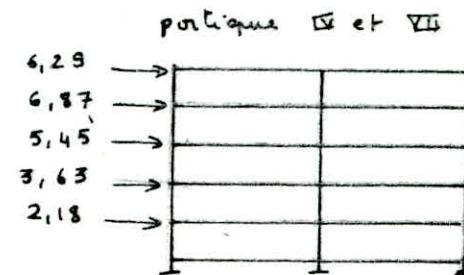
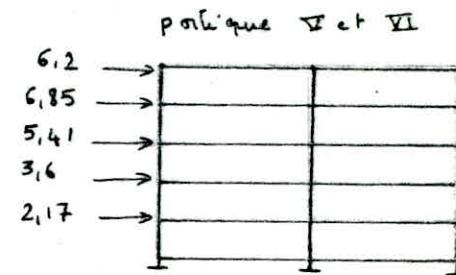
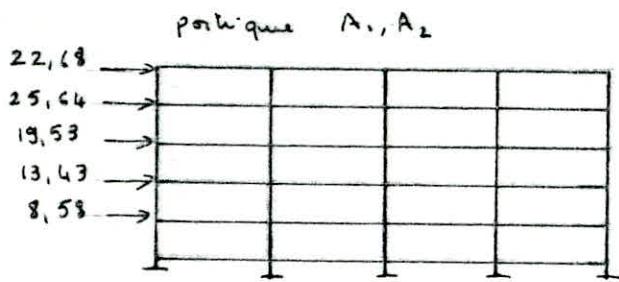
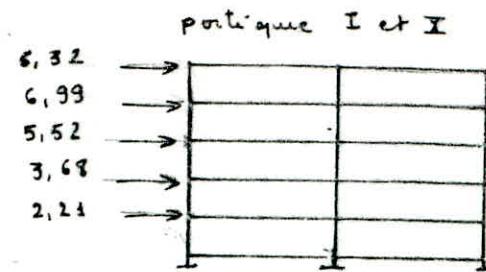
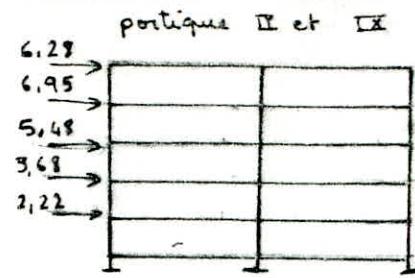
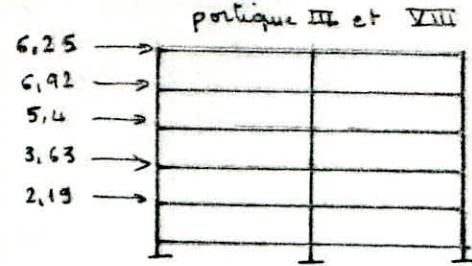
NIV	PORTIQUES								
	I	II	III	IV	V	A	B	C	
IV	0,161	0,126	0,091	0,056	0,038	0,483	0,025	0,596	
III	0,178	0,140	0,11	0,062	0,042	0,545	0,029	0,672	
II	0,141	0,110	0,079	0,049	0,033	0,415	0,022	0,512	
I	0,094	0,073	0,053	0,032	0,022	0,285	0,015	0,352	
	0,056	0,044	0,032	0,0198	0,013	0,182	0,01	0,225	

40

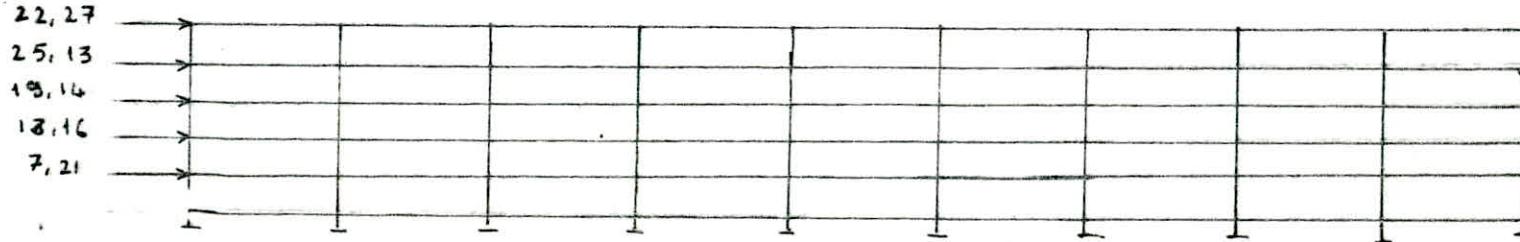
on maintient les valeurs maximale entre 2 portiques symétrique.
pour la force horizontale totale.

PS 69 + CTC





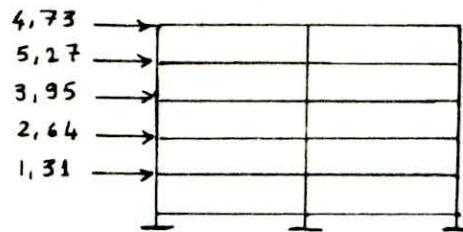
PORTIQUE B



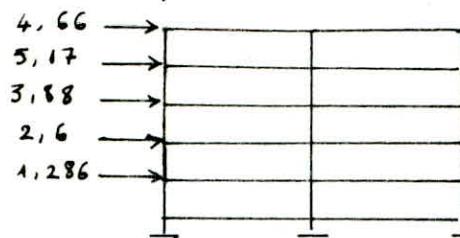
Force horizontale avec.

RPA 81

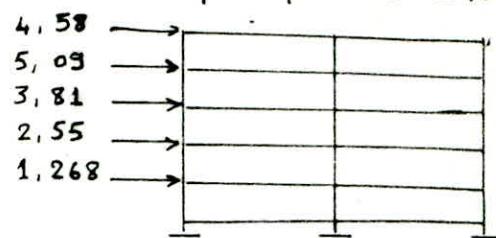
portique I et X



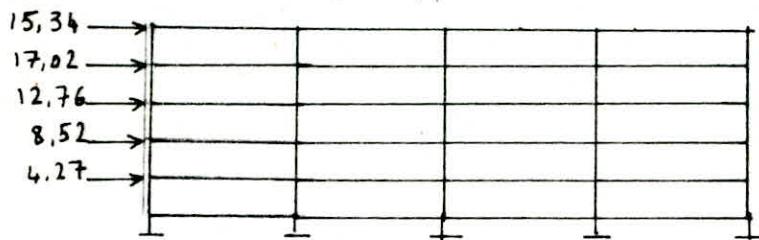
portique II et IX



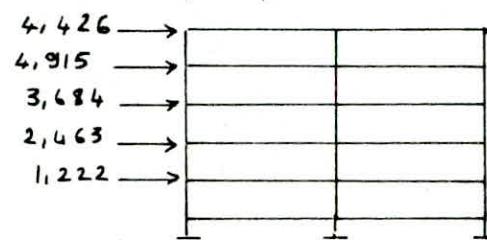
portique III et VII



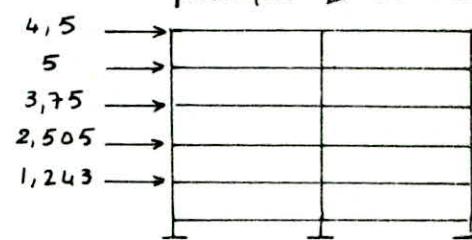
portique A₁ et A₂



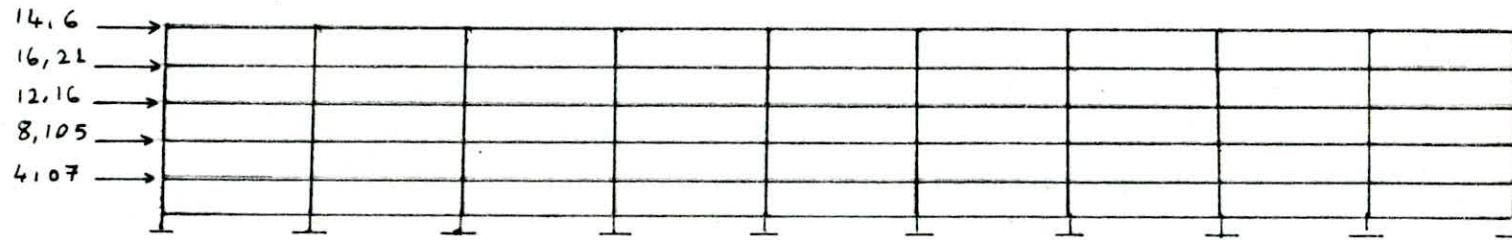
portique V et VI



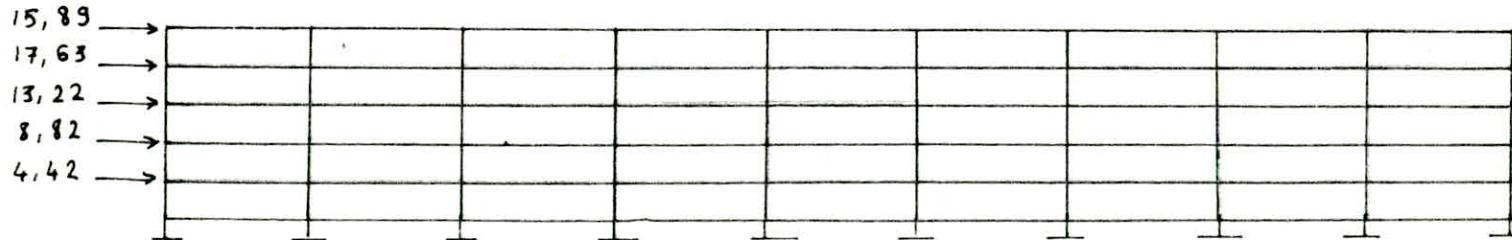
portique IV et VII



portique B



portique C

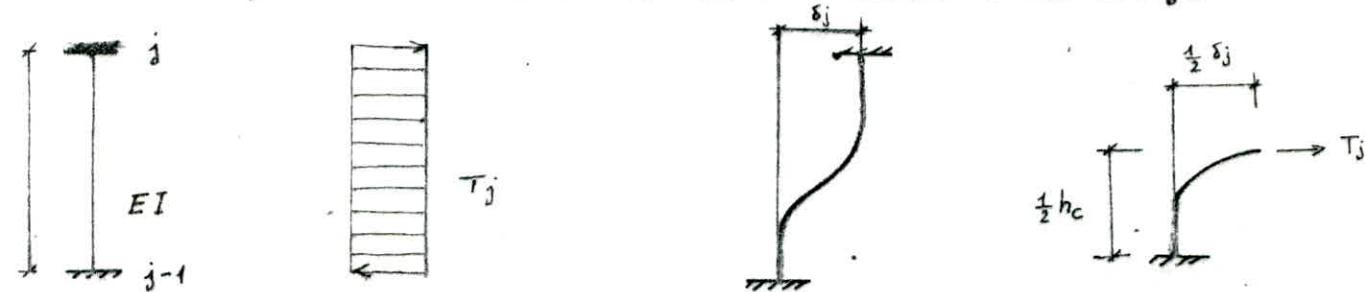


CALCUL DES DEFORMATION HORIZONTALE

Nous allons effectuer la démonstration pour le cas d'un seul poteau mais les conclusions sont valables quelque soit le nombre de poteaux.

Nous étudierons un poteau au niveau "j" dont la hauteur de calcul est h_c et le moment d'inertie I .

On supposera que le poteau est parfaitement encastré aux extrémités on rappellera que l'effort tranchant de niveau, dans le cas de forces concentrées agissant au niveau des planchers, est constant sur la hauteur d'un étage.



L'effort tranchant T_j produit un déplacement δ_j des extrémités du poteau à mi hauteur, la courbure de la ligne élastique du poteau est nulle et donc $M=0$ la relation entre T_j et δ_j s'écrit alors comme pour une console sollicitée par une force concentrée à l'extrémité :

$$\text{d'où } \frac{\delta_j}{2} = \frac{(\frac{1}{2} h_c)^3 \cdot T_j}{3 E I} \quad \delta_j = \frac{T_j \cdot h_c^3}{12 \cdot E I}$$

T_j étant l'effort tranchant de niveau

$$\text{avec } E = 21000 \sqrt{\nu_g} = 21000 \sqrt{1,2 \cdot 270} = 378000 \text{ kg/cm}^2.$$

h_c : la hauteur de calcul = distance entre la face supérieure de la poutre inférieure et la face inférieure de la poutre supérieure plus $\frac{1}{2}$ de la dimension du poteau dans le plan du portique.

$$h_c = h_e + \frac{1}{2} h \text{ poteau}$$

GÉNÉRALISATION

Pour un niveau composé de n poteaux la formule devient

$$\delta_j = \frac{T_j \cdot h_c^3}{12 E \cdot \sum_{i=1}^n I_i}$$

on déterminera les déplacements des niveaux de notre bâtiment en Zone II puis on extrapolera nos résultats en zone I et III les déplacements seront donc calculés pour les 3 zones suivant les 3 règlements

Déplacements admissibles

• Règles PS 69 $\bar{\delta} = \frac{\sqrt{\alpha}}{1000} \cdot h$ Art 3.22

• Règles PS 69 + C.T.C $\bar{\delta} = \frac{2}{1000} \cdot h$ Complément C.T.C

• Règles R.P.A 81 $\bar{\delta} = 0,0075 \cdot h$ Art 3.3.7.1

N.B : $h = \text{hauteur de l'étage} = 3,06 \text{ m}$
tous les niveaux ayant même ha

$$h_{cx} = 306 - 50 + \frac{1}{2} \cdot 30 = 271$$

$$h_{cy} = 306 - 35 + \frac{1}{2} \cdot 50 = 296$$

tous les poteaux $30 \times 50 \quad I_x = 3,125 \cdot 10^5 \text{ cm}^4 \quad I_y = 1,125 \cdot 10^5 \text{ cm}^4$

$$\sum I_x = 30 \cdot 3,125 \cdot 10^5 = 9375000 \text{ cm}^4$$

$$\sum I_y = 30 \cdot 1,125 \cdot 10^5 = 3375000 \text{ cm}^4$$

R.P.A 81

z	Nz	Nx	Ny	T_{jx^2}	T_{jy^2}	T_{xy}	I_{x^2}	I_{y^2}	I_{xy}	S_{jx}	S_{jy}	$\delta_{j \text{ reel}} = \delta_j \cdot \frac{1}{E_B}$			
												Zone I	Zone II	Zone III	
1	164,23	152,11	127,97	91,76	43,48	1,48	9375000	3375000	9375000	306,7	306,7	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
2	164,23	152,11	127,97	91,76	43,48	1,48	3375000	3375000	3375000	306,7	306,7	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
3	354	271	271	271	271	2,1	0,071	0,06	0,06	0,042	0,042	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
4	376	296	296	296	296	2,6	0,071	0,06	0,06	0,042	0,042	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
5	376	3375000	3375000	3375000	3375000	3,0	0,167	0,071	0,06	0,042	0,042	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
6	376	3375000	3375000	3375000	3375000	3,0	0,57	0,25	0,21	0,15	0,07	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
7	376	3375000	3375000	3375000	3375000	3,0	0,32	0,142	0,12	0,084	0,04	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
8	376	3375000	3375000	3375000	3375000	3,0	0,32	0,142	0,12	0,084	0,04	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
9	376	3375000	3375000	3375000	3375000	3,0	0,24	0,1	0,09	0,063	0,03	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
10	376	3375000	3375000	3375000	3375000	3,0	1,14	0,5	0,42	0,3	0,14	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
11	376	3375000	3375000	3375000	3375000	3,0	1,14	0,5	0,42	0,3	0,14	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III
12	376	3375000	3375000	3375000	3375000	3,0	0,855	0,375	0,315	0,225	0,1	$\delta = 0,0075 \cdot h$	Zone I	Zone II	Zone III

PS + Complement du CTC

$S_{ij} = S_{ji}$

1	2	3	4	5	Σ_{ij}
264	238,81	199,36	142	66,75	T_{jx}
241	219,37	183,52	129,74	61,62	T_{jy}
351	271	271	271	271	b_{cx}
376	296	296	296	296	b_{cy}
9375000	9375000	9375000	9375000	9375000	ΣI_x
3375000	3375000	3375000	3375000	3375000	ΣI_y
0,12	0,11	0,093	0,066	0,031	δ_{jz}
0,83	0,37	0,31	0,22	0,1	F_{jy}
0,06	0,055	0,046	0,033	0,015	β_{jz} zone I $\alpha = 9,5$
0,12	0,11	0,093	0,066	0,031	β_{jz} zone II $\alpha = 1$
0,18	0,165	0,139	0,09	0,046	β_{jz} zone III $\alpha = 1,5$
0,415	0,185	0,15	0,11	0,03	β_{jy} zone I
0,83	0,37	0,31	0,22	0,1	β_{jy} zone II
1,245	0,555	0,465	0,33	0,15	β_{jy} zone III
	$\beta_{jz} = 0,65$	$\beta_{jy} = 0,305$	β_{jy} zone II		
				$\beta_{jz} = 0,216$	$\beta_{jz} = 0,15$
				$\beta_{jy} = 0,15$	$\beta_{jy} = 0,100$

PS 69

1	2	3	4	5	NIV
264	238,81	199,36	142	66,75	T_{jx}
241	219,37	183,52	129,74	61,62	T_{jy}
351	271	271	271	271	b_{cx}
376	296	296	296	296	b_{cy}
9375000	9375000	9375000	9375000	9375000	ΣI_x
3375000	3375000	3375000	3375000	3375000	ΣI_y
0,12	0,11	0,093	0,066	0,031	δ_{jz}
0,83	0,37	0,31	0,22	0,1	F_{jy}
0,06	0,055	0,046	0,033	0,015	β_{jz} zone I $\alpha = 9,5$
0,12	0,11	0,093	0,066	0,031	β_{jz} zone II $\alpha = 1$
0,18	0,165	0,139	0,09	0,046	β_{jz} zone III $\alpha = 1,5$
0,415	0,185	0,15	0,11	0,03	β_{jy} zone I
0,83	0,37	0,31	0,22	0,1	β_{jy} zone II
1,245	0,555	0,465	0,33	0,15	β_{jy} zone III
	$\beta_{jz} = 0,65$	$\beta_{jy} = 0,305$	β_{jy} zone II		
				$\beta_{jz} = 0,216$	$\beta_{jz} = 0,15$
				$\beta_{jy} = 0,15$	$\beta_{jy} = 0,100$

Niveau 5 :

- RPA \longrightarrow $T_{5x} = 43,48t$ $T_{5y} = 43,48t$
- PS 69 + CTC \longrightarrow $T_{5x} = 61,62t$ $T_{5y} = 61,62t$
- PS 69 \longrightarrow $T_{5x} = 61,62t$ $T_{5y} = 61,62t$

Niveau 4 :

- RPA 81 \longrightarrow $T_{4x} = 48,28t$ $T_{4y} = 48,28t$
- PS 69 + CTC \longrightarrow $T_{4x} = 68,12t$ $T_{4y} = 68,12t$
- PS 69 \longrightarrow $T_{4x} = 68,12t$ $T_{4y} = 68,12t$

Niveau 3 :

- RPA 81 \longrightarrow $T_{3x} = 36,21t$ $T_{3y} = 36,21t$
- PS 69 + CTC \longrightarrow $T_{3x} = 53,78t$ $T_{3y} = 53,78t$
- PS 69 \longrightarrow $T_{3x} = 53,78t$ $T_{3y} = 53,78t$

Niveau 2 :

- RPA 81 \longrightarrow $T_{2x} = 24,14t$ $T_{2y} = 24,14t$
- PS 69 + CTC \longrightarrow $T_{2x} = 35,85t$ $T_{2y} = 35,85t$
- PS 69 \longrightarrow $T_{2x} = 35,85t$ $T_{2y} = 35,85t$

Niveau 1 :

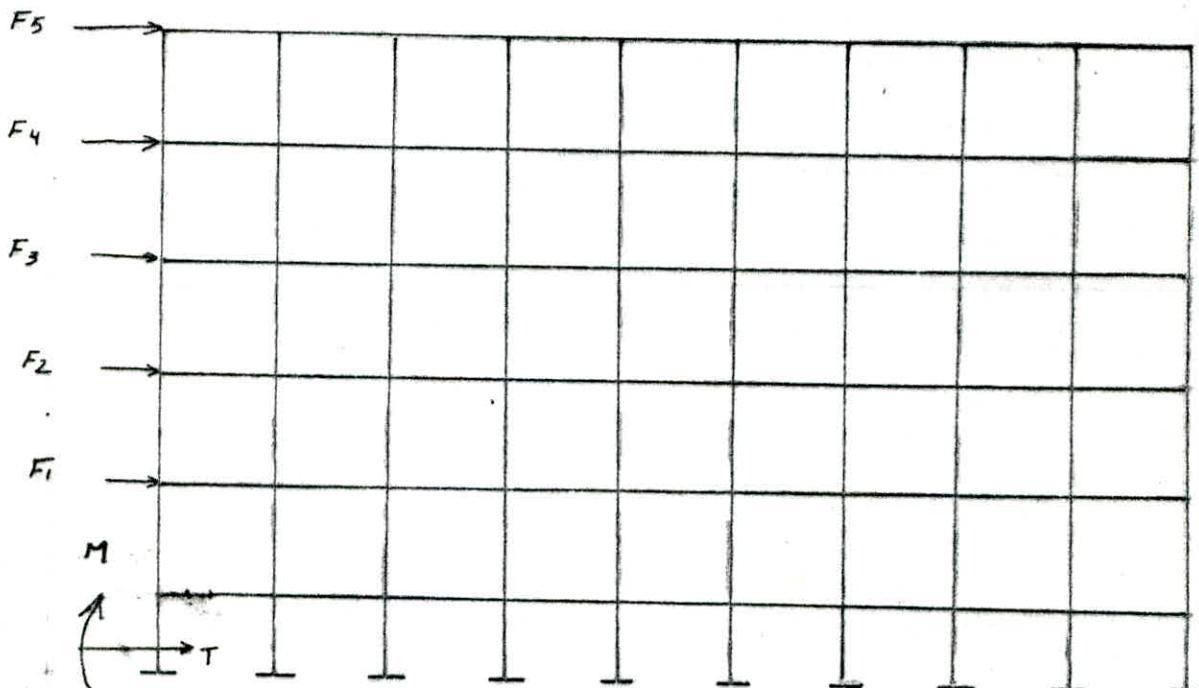
- RPA 81 \longrightarrow $T_{1x} = 12,127t$ $T_{1y} = 12,127t$
- PS 69 + CTC \longrightarrow $T_{1x} = 21,61t$ $T_{1y} = 21,61t$
- PS 69 \longrightarrow $T_{1x} = 21,61t$ $T_{1y} = 21,61t$

COMPARAISON DES TROIS REGLES PARASISMIQUE

1) A partir des 3 règles, en fonction des 3 zones de sismicité, et ce pour le portique de rive (dont les éléments sont les plus sollicités); les efforts (M, T) sont donnés dans le tableau qui suit.

portique de rive C

$$T = \sum F_i \quad M = \sum F_i \cdot d_i$$



	PS 69 + CTC		RPA 81	
	$T(t)$	$M(t \cdot m)$	$T(t)$	$M(t \cdot m)$
Zone I	48,22	558,8	31,8	376
Zone II	96,44	1117,58	60	709,48
Zone III	173,60	2011,65	99	1170,64

Vu les efforts obtenus, les règles PS + CTC sont nettement plus défavorable que ceux données par le RPA 81 de l'ordre :

- 4 % en zone I
- 38 % en zone II
- 40 % en zone III

2^e) A partir des 2 règles PS + CTC et RPA en fonction des zones 2 et 3 on évalue les sections minimales de béton pour les poteaux et les poutres

A) poteaux :-

la section minimale sera déterminée par la plus défavorable des sections données par les efforts horizontaux et les déplacements admissibles et ce pour le poteau le plus sollicité
(portique de rive c Niveau 1)

Méthode de calcul

a) pour les efforts horizontaux : suivant les restrictions exigées pour chacune des règles pour la résistance des poteaux aux efforts horizontaux.

Effort tranchant pour le poteau central :

$$T_p = \frac{I}{\Sigma I} \cdot T_T$$

I : Inertie du poteau

T_T : Effort horizontal sollicitant la file de poteaux

ΣI : Somme des inerties de la file de poteaux

on affectant toute fois le coefficient 0,8 aux moments d'inertie des poteaux de rive (Art 5.312 de CCBA 68)

la file de poteau est composée de 10 poteau (30x50).

$$T_p = \frac{3,125}{(2 \cdot 0,8 + 8) \cdot 3,125} \cdot T_T = 0,1 T_T$$

TABLEAU DE RESULTATS

	$T_t(t)$	$t_p(t)$	$t_p(t)$
P.S + CTC	96,44	9,65	17,36
RPA	60	6	9,9

La contrainte tangente admissible est $\bar{\sigma}_b = 0,15 \sigma'_28$

$$\bar{\sigma}_b = 0,15 \times 270 = 40,5 \text{ kg/cm}^2$$

à partir du contrainte ci dessus qui est admissible, la section minimale exigée est donnée par :

$$Z_b = \frac{T}{b \cdot Z}, \quad Z = \frac{7}{8} h, \quad h = 0,6b \quad \text{poteau rectangulaire}$$

$$z_b < \bar{z}_b \Leftrightarrow \frac{T}{b \cdot Z} = \frac{8T}{7bh} = \frac{80T}{42b^2} \Leftrightarrow \bar{z}_b = 40,5$$

$$\Rightarrow b_{\min} = \sqrt{\frac{80T}{40,5 \times 42}}$$

Les résultats au tableau en (cm)

	PS 69 + CTC	RPA
zone II	45x25	45x25
zone III	50x30	45x25

b) POUR Les déplacements admissibles :-

admissible par niveau

soit \bar{s}_j , le déplacement

$$\bar{s}_j = \frac{T h^3}{12 E \Sigma I} \Rightarrow \Sigma I = \frac{T h^3}{12 E \bar{s}_j}$$

ΣI des poteaux du niveau (composé de 30 poteaux)

$$\Sigma I = \frac{409 \times T}{12 \cdot 378000 \cdot \bar{s}_j} = \frac{15 \cdot T}{\bar{s}_j}$$

	PS 69 + CTC			RPA 81		
	T	\bar{s}_j	b x b	T	\bar{s}_j	b x b
zone II	264	0,61	40x40	164,23	2,3	25x25
zone III	475,2	0,61	50x50	270,1	2,3	30x30

B) POUTRES

la section minimal sera déterminé pour la poutre sollicitée par le moment de flexion maximum due aux efforts longitudinaux.

METHODES DE CALCUL

PS 69		
	T(t)	M(t.m)
Zone I	44,28	513,85
Zone II	88,02	1048,9
Zone III	133,7	1549,8

	T _t (t)	t _p (t)	t _p (t)
PS 69	88,02	8,60	13,37

$$b_{\min} = \sqrt{\frac{80T}{40,5 \times 42}}$$

$$b = \sqrt[3]{\frac{15T}{100 \cdot \bar{s}_j}}$$

b) déplacement admissible :-

PS 69	
Zone II	45 x 25
Zone III	45 x 30

Poutres :-

la section minimale sera déterminée pour la poutre sollicitée par le moment de flexion maximum due aux efforts horizontaux.

Méthode de calcul :-

le moment résistant de la poutre.

$$\text{avec } K = \frac{1}{2} \bar{\alpha} \cdot \bar{\sigma}_b' (1 - \frac{\bar{\alpha}}{2}) \times 1,5$$

$$\alpha = \frac{15 \cdot \bar{\sigma}_b'}{15 \cdot \bar{\sigma}_b' + \bar{\sigma}_a} = 0,423$$

$$= 37,33$$

on fixe (b = 30) et on détermine h $K b h^2 = M_r$.

	PS		RPA	
	M _r	h(cm)	M _r (t.m)	h(cm)
Zone II	104,89	95	70,95	80
Zone III	154,98	115	117	100

Comparaison des Coûts :-

elle se fera à l'aide des quantités de bétons nécessaires déterminées précédemment pour chaque Règle (PS et RPA) en fonction des Zones (2 et 3)

Méthode de Calcul :

mètre de béton (m^3)

	PS		RPA	
	Poutre	Colonnes	Poutres	Colonnes
Zone II	69	110	58	34
Zone III	83	110	73	49

L'évaluation en % de la différence entre les 2 règles est donnée par :

$$\frac{V_{db} \times 3000 \text{ DA/m}^3}{S_{TP} \times 3500 \text{ DA/m}^3} = \%$$

V_{db} : Volume différentiel de béton.

3000 DA/m^3 , coût d'un m^3 de Beton armé

3500 DA/m^2 , coût estimé par m^2 de surface de plancher de l'ouvrage.

S_{TP} surface totale des planchers.

Résultats

	Colonnes	Poutres	Ossature
Zone II	4 %	3,5 %	8 %
Zone III	3 %	3 %	6 %

Conclusion :-

A travers ces résultats nous venons de démontrer que la règle RPA 81 est la plus économique.

ORGANIGRAMME DE CALCUL DES EFFORTS M, N, T

on a procédé par la méthode de l'organigramme.
telle si dessous pour aboutir au efforts Normal et effort tranchant et moment fléchissant qui seront donnée par l'ordinateur.
et ci dessous un exemple d'organigramme pour le portique III sous les combinaison.

necessaire au éléments

$G + 1,2 P$	$\} SP_1$	CCBA
$G + P + SI$	$\} CCBA$	BABEL
$G + P - SI$	$\} SP_2$	CCBA
$0,8 G + SI$	$\} 9,44$	
$0,8 G - SI$	$\} RPA$	
$G + P + 1,2 SI$		
$1,35 G + 1,5 P$	$\} BABEL$	
$G + P$	$\}$	

les valeurs présent dans les tableaux ont été choisi pour les combinaison les plus défavorable accordé aux éléments de construction

	18,62 (23)	29 (24)	30 (25)	35 (26)
6		12		18
15,56 (19)	2,4 (20)	28 (21)	34 (22)	
5		11		17
12,5 (15)	23 (16)	27 (17)	33 (18)	
4		10		16
11	22 (12)	26 (13)	32 (14)	
3		9		15
6,38 (7)	21 (8)	25 (9)	31 (10)	
2		8		14
2,27 (4)	19 (5)	20 (6)		
1		2		13
0,00		3,9		9,2 10,65

NUMBER of JOINT ... 26
 NUMBER of MEMBER ... 35.
 NUMBER of SUPPORT ... 3
 NUMBER of LOADING ... 11

JOINT COORDINATE

1	0,00	0,00 S	4	0,00	2,27	7	0,00	6,38
2	3,9	0,00 S	5	3,9	2,27	8	3,9	6,38
3	9,2	0,00 S	6	9,2	2,27	9	9,2	6,38
						4,2	10,65	6,38

11	0,00	9,44	15	0,00	12,5	19	0,00	15,56
12	3,9	9,44	16	3,9	12,5	20	3,9	15,56
13	9,2	9,44	17	9,2	12,5	21	9,2	15,56
14	10,65	9,44	18	10,65	12,5	22	10,65	15,56
23	0,00	18,62						
24	3,9	18,62						
25	9,2	18,62						
26	10,65	18,62						

MEMBER INCIDENCE

1	1	4	7	2	5	13	3	6	19	4	5
2	4	7	8	5	8	14	6	9	20	5	6
3	7	11	9	8	12	15	9	13	21	7	8
4	11	15	10	12	16	16	13	17	22	11	12
5	15	19	11	16	20	17	17	21	23	15	16
6	19	23	12	20	24	18	21	25	24	19	20
25	8	9	27	16	17	29	23	24	31	9	10
26	12	13	28	20	21	30	24	25	32	13	14
33	17	18	34	21	22	35	25	26			

MEMBER PROPERTIE PRISMATIQUE

1 THRU 35 $Ax = 0,15 \quad Iz = 0,003125$

CONSTANT E 3.450 000 ALL

TABULATE ALL

LOADING 1 charge permanente G

MEMBER LOAD

19 THRU 20	Force y UNIFORME	- 0,93		
25 THRU 28	Force y UNIFORME	- 2,43		
21 THRU 24	Force y UNIFORME	- 2,78	0,00	0,72
21 THRU 24	Force y UNIFORME	- 2,43	0,72	3,9
21 THRU 24	Force y CONCENT	- 1,49	2,2	
30	Force y UNIFORME	- 2,39		
29	Force y UNIFORME	- 2,75	0,00	0,72
29	Force y UNIFORME	- 2,39	0,72	3,9
29	Force y CONCENT	- 0,884	2,2	
31 THRU 34	Force y UNIFORME	- 3,74		
35	Force y UNIFORME	- 2,39		

LOADING 2 Surcharge P

25 THRU 28	Force y UNIFORME	- 0,53		
21 THRU 28	Force y UNIFORME	- 0,53		
21 THRU 24	Force y CONCENT	- 0,15	2,2	
29 THRU 30	Force y UNIFORME	- 0,13		
29	Force y CONCENT	- 0,0865	2,2	

(10)

51 THRU 34 Force y Uniforme - 1.05
 35 Force y Uniforme - 0.3

LOADING 3 Force sismique SI

JOINT LOAD

7 THRU 9	Force x	0.423
11 THRU 13	Force x	0.85
15 THRU 17	Force x	1.27
19 THRU 21	Force x	1.7
23 THRU 25	Force x	1.53

LOADING 4 G + 1.2 P

Combine	1	1.0	2	1.2
---------	---	-----	---	-----

LOADING 5 G + P + SI

Combine	1	1.0	2	1.0	3	1.0
---------	---	-----	---	-----	---	-----

LOADING 6 G + P - SI

Combine	1	1.0	2	1.0	3	-1.0
---------	---	-----	---	-----	---	------

LOADING 7 0.8 G + SI

Combine	1	0.8	3	1.0
---------	---	-----	---	-----

LOADING 8 0.8 G - SI

Combine	1	0.8	3	-1.0
---------	---	-----	---	------

LOADING 9 G + P + 1.2 SI

Combine	1	1.0	2	1.0	3	1.2
---------	---	-----	---	-----	---	-----

LOADING 10 1.35 G + 1.5 P

Combine	1	1.35	2	1.5
---------	---	------	---	-----

LOADING 11 G + P

Combine	1	1.0	2	1.0
---------	---	-----	---	-----

SOLVE

LENGTH 4 Member 19 THRU 35
 END

(50)

SUPERPOSITION DES DIFFERENTES SOLlicitation

Combinaison des charges suivant le CCBA 68

on appellera :-

G : Sollicitation due à la charge permanente.

P : Sollicitation due aux surcharges d'exploitation

V : Sollicitation due aux surcharges climatiques.

W : Sollicitation due aux surcharges climatiques extrêmes.

T : Sollicitation due aux effets de la température et du retrait

SI : Sollicitation due au séisme évaluée suivant les règles parasismique Algérienne.

on prend en compte les sollicitations totales pondérées suivantes:
du 1^{er} genre.

$$(S_1) = (G) + 1,2(P) + (T)$$

$$(S'_1) = (G) + (P) + (V)$$

du 2^{eme} genre

$$(S_2) = (G) + 1,5(P) + 1,5(V) + (T)$$

$$(S'_2) = (G) + (P) + \gamma_w(W) + (T)$$

$$(S''_2) = (G) + (P) + (T) + SI$$

γ_w : dépend des surcharges d'exploitation, dans notre cas la sollicitation due aux effets de la température et au retrait n'est pas prise en compte, de plus notre bâtiment, étant de hauteur faible d'où la sollicitation développée par les surcharges pesantes d'exploitation est prépondérante devant celle du vent : la sollicitation totale pondérée du 1^{er} genre à considérer est $G + 1,2P$.

pour la sollicitation du 2^{eme} genre on retiendra la sollicitation

$$(S''_2) = (G) + (P) + (SI)$$

ainsi que celle données par les règles RPA :

- 0,8 G ± SI combinaison qui tient compte de la réduction des charges verticales (à cause des effets de l'accélération verticale)

La valeur ± SI, permet de prendre en compte la reversibilité des charges sismiques créant des efforts de traction et de compression, dans le cas des poteaux.

- G + P + 1,2 SI ; combinaison à considérer pour les poteaux

En Résumé :-

	1 ^{re} геnгre	2 ^e геnгre.
Calcul des éléments structuraux des planchers	$G + 1,2 P$	$G + P + SI$
		$0,8 G \pm SI$
poteaux	$G + 1,2 P$	$0,8 G \pm SI$
		$G + P + 1,2 SI$

Combinaison des charges suivant le BREL 80

on distingue :

- les charges permanentes
- les charges variables
- les charges accidentielles .

charges permanentes :

elles sont représentées par G , ce sont celles dont l'intensité est constante ou très peu variable dans le temps. elles comprennent

- le poids propre de la structure
- le poids des équipements fixes (cloisons et machines)

charges variables : représentées par P_i , ce sont celles dont l'intensité varie fréquemment et de façon importante dans le temps. en particulier les charges d'exploitation .

charges Accidentielles :- ce sont celles provenant de phénomènes se produisant rarement et avec une faible durée d'application . action fixées par les règles parasiomiques pour déterminer , les sollicitations , auxquelles la construction est soumise , on utilise les combinaisons des charges définies ci - après avec les notations suivantes .

G_{max} : Ensemble des charges permanentes dont l'effet est défavorable pour la justification d'un élément donné .

G_{min} : Ensemble des charges permanentes dont l'effet est favorable .

P_1 : action variable , dite de base .

P_i : autres actions variables dites d'accompagnement (avec $i > 1$) . (vent , neige , température etc ... , non prises en compte) .

Les Combinations d'actions à envisager sont différentes pour les états - limites ultimes et les états - limite de service .

a) pour LES ETATS - LIMITES Ultimes : on distingue la situation durables ou transitoires qui font intervenir seulement les actions permanentes ou variables et les situations accidentielles , qui prennent en compte

les actions accidentelles.

Situation durables ou transitoires :

Combinaison représentée symboliquement par

$$1,35 G_{\max} + G_{\min} + \gamma_{P_i} P_i + \sum \gamma_{P_i} P_i$$

$\gamma_{P_i} = 1,5$ (P_i l'action de base étant la surcharge d'exploitation)

le coefficient γ_{P_i} dépend de la nature des actions d'accompagnement considérées en fonction de la nature de l'action de base.
Pour cette situation, nous retiendrons que les combinaisons données par l'action de base P_i (surcharge d'exploitation). Dans aucune autre action d'accompagnement

les combinaisons à retenir $1,35 G + 1,5 P$
 $G + 1,5 P$

Situation accidentelles :-

la combinaison d'action à considérer est représentée symboliquement par

$$G_{\max} + G_{\min} + F_A + \sum \gamma_{A_i} \cdot P_i$$

F_A : Action accidentelles (Action sismique SI)

$P_i = P_i$ surcharge d'exploitation ($\gamma_{A_i} = 1$)

d'où la combinaison : $G + P + SI$

b) pour les états-Limites DE SERVICE

combinaison représentée symboliquement par:

$$G + P + \sum \gamma_{o_i} \cdot P_i , G + P$$

En résumé :

G : Action des charges permanentes.

P : Action des charges d'exploitation.

SI : Action sismique

Dans les cas de planchers soumis uniquement aux actions des charges permanentes et des charges d'exploitation. Les seules combinaisons à considérer vis à vis des états limites ultimes et des états de service sont

en pratique
(1) et (3)
sont

COMBINAISONS	E.L.U	E.L.S
(1)	$1,35 G + 1,5 P$	$G + P$
(2)	$G + 1,5 P$	
(3)	$G + P + SI$	

CALCUL DES POUTRELLE

Notre projet comporte 5 plancher, un plancher terrasse et 4 plancher courant tous les plancher sont des planchers à corps creux ($16+4$) réalisées. les poutrelles utilisées sont préfabriquées sur chantier, elle possèdent des armatures en attente permettant une bonne liaison avec le béton des poutres et des dalles de compression.

de Batiment
elles sont disposées dans le sens longitudinal et considérées comme simplement appuyées avant le coulage de la dalle de compression. elle supportera son poids propre, l'ourdis et la surcharge due à l'ouvrier qui pose l'ourdi, après coulage, la poutrelle travaillera comme poutre continue.

Determination de la largeur de la table de compression:-

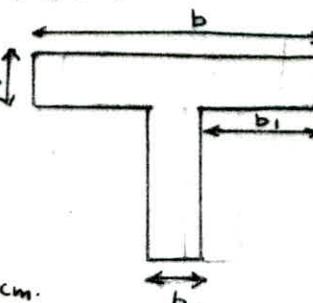
poutrelle à une poutre en Té avec $b_0 = 12\text{ cm}$, $h_0 = 4\text{ cm}$. On se réfère à l'article 23.3 du CCBA 68 et Art 4.1.3 BAEL 80 »

on assimile la
 L_0 = distance entre 2 poutrelles voisines.
 L = portée entre nos appuis.
 h_0 = épaisseur de la table de compression

ces conditions se traduisent par:-

- 1- $b_1 \leq 32$
- 2- $b_1 \leq 27$
- 3- $24 \leq b_1 \leq 32$

Sachant que:
 $L_0 = 64\text{ cm}$.
 $L = 2,70\text{ m}$.



on choisira $b_1 = 26\text{ cm}$.

$$\text{d'où } b = 2b_1 + b_0 = 26 \times 2 + 12 = 64\text{ cm} \quad b = 64\text{ cm}$$

CALCUL DES EFFORTS:

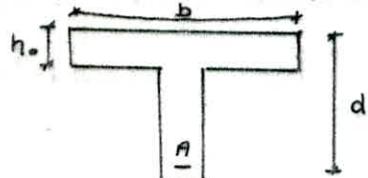
Pour déterminer les efforts dans les poutrelles nous appliquerons la méthode parfaite Art CCBA 68 et Art B 6.2.21 BAEL 80 avec toutes les conditions de cette méthode sont vérifiées.

d'après tableau du charron on calcule les moments entravés et aux appuis (exercice page 64)

- les efforts tranchants sont majorés de 15% pour les poutres à deux travées Art 4.54 du CCBA 68 et Art B.6.2.11 du BAEL 80.
- les efforts tranchants sont majorés de 10% pour les poutres au plus de deux travées.

METHODE DE CALCUL DE POUTRELLE suivant le BREL 80'

on calcule la poutrelle en flexion simple comme section en Tc si après la méthode de Pierre Charon sous la combinaison:-



$$1,35 G + 1,5 P$$

1- si $M \leq \bar{\tau}_b \cdot b \cdot h_0 \left(d - \frac{h_0}{2}\right)$ Seule une partie ou la totalité de la table est comprimée et la section en T est à calculer comme une section rectangulaire de largeur b et de hauteur utile d .

Méthode :-

$$\text{on calcule } \mu = \frac{M}{\bar{\tau}_b \cdot b \cdot d^2} \quad \text{d'où } \alpha, \beta, 1000 \varepsilon_s \text{ et } \sigma_s.$$

d'après le tableau du charon.

si $\mu < \mu_p$: la section sera armée uniquement par des armatures tendues
 μ_p : dépend du type d'acier utilisé

$$\text{donc } A = \frac{M}{\beta \cdot d \cdot \varepsilon_s} \quad M \text{ en N.m} \\ b, d \text{ en cm}$$

si $\mu > \mu_p$: la section sera armée par des armatures tendues et des armatures comprimées.

Méthode :-

$$\text{on calcule} \quad M_{f_1} = M_c \cdot \bar{\tau}_b \cdot b \cdot d^2 \quad A' = \frac{M_{f_2}}{(d - \delta' d) \cdot \varepsilon_s} \\ M_{f_2} = M - M_{f_1}$$

$$M, M_{f_1}, M_{f_2} \text{ en N.m} \quad A, A' \text{ en } \text{cm}^2 \quad A = \frac{M_{f_1}}{\beta \cdot d \cdot \varepsilon_s} + A' \cdot \frac{\varepsilon_s}{\varepsilon_s}$$

$\bar{\tau}_b, \varepsilon_s$ donnée

b et d en cm. $\bar{\tau}_b, \varepsilon_s$ en MPa par tableau du charon.

2- si $M > \bar{\tau}_b \cdot b \cdot h_0 \left(d - \frac{h_0}{2}\right)$: une partie de la nervure est comprimée et la section en Tc est à calculer comme suivant

$$\text{si } \mu < \mu_p \quad A' = 0.$$

Méthode de charon :

$$\text{on calcule: } M_n = M - \bar{\tau}_b (b - b_0) \cdot h_0 \left(d - \frac{h_0}{2}\right)$$

β et $1000 \varepsilon_s$ (d'où σ_s)
d'après le tableau.

$$\mu = \frac{M_n}{\bar{\tau}_b \cdot b_0 \cdot d^2}$$

$$A = \frac{M_n}{\beta \cdot d^2} + \frac{\bar{\tau}_b (b - b_0) h_0}{\varepsilon_s}$$

A en cm^2 .

$$\text{si } \mu > \mu_p$$

Si $\mu > \mu_e$ $A' \neq 0$

Méthode de charon:

$$\text{on calcule } M_{f_1} = \mu \cdot \bar{\sigma}_b \cdot b_0 \cdot d^2 + \bar{\sigma}_b (b - b_0) h_0 (d - \frac{h_0}{2})$$

$$M_{f_2} = M - M_{f_1} \quad \text{avec} \quad M_{f_2} \leq 40\% M$$

$$A' = \frac{M_{f_2}}{(d - \delta' \alpha) \cdot \bar{\sigma}_s}$$

$$A = \frac{M_p \cdot \bar{\sigma}_b \cdot b_0 \cdot d}{\bar{\sigma}_s} + \bar{\sigma}_b (b - b_0) h_0 + A' \cdot \frac{\bar{\sigma}_s'}{\bar{\sigma}_s}$$

M, M_{f_1}, M_{f_2} en N.m , b, b_0, h_0, d en cm. $\bar{\sigma}_b, \bar{\sigma}_s, \bar{\sigma}_s'$ en MPa.
 A, A' en cm^2 .

poutrelle terrasse G+1,2P							
travée	M_t	M_e calculé	A	Appuis	M_a	M_e calculé	A
0-1	0,81 Mo	0,461	0,96	0 et 8	0,20 Mo	0,114	0,239
1-2	0,705 Mo	0,401	0,83	1 et 7	0,50 Mo	0,295	0,617
2-3	0,75 Mo	0,427	0,9	2 et 6	0,4 Mo	0,228	0,5
3-4	0,705 Mo	0,401	0,83	3 et 5	0,4 Mo	0,228	0,5
4-5	0,705 Mo	0,401	0,83	4	0,5 Mo	0,285	0,617
5-6	0,75 Mo	0,427	0,9				
6-7	0,705 Mo	0,401	0,83				
7-8	0,81 Mo	0,461	0,96				

poutrelle étage courant G+1,2P

travée	M_t	M_e calculé	A	Appuis	M_a	M_e calculé	A
0-1	0,81 Mo	0,412	0,856	0 et 8	0,20 Mo	0,1	0,203
1-2	0,705 Mo	0,358	0,74	1 et 7	0,5 Mo	0,254	0,523
2-3	0,75 Mo	0,381	0,791	2 et 6	0,4 Mo	0,203	0,416
3-4	0,705 Mo	0,358	0,74	3 et 5	0,4 Mo	0,203	0,416
4-5	0,705 Mo	0,358	0,74	4	0,5 Mo	0,254	0,523
5-6	0,75 Mo	0,381	0,791				
6-7	0,705 Mo	0,358	0,74				
7-8	0,81 Mo	0,412	0,856				

poutrelle balcon étage courant.

travée	M_t	M_e calculé	A	Appuis	M_a	M_e calculé	A
0-1	0,8 Mo	0,528	1,10	0 et 2	0,2 Mo	0,132	0,278
1-2	0,8 Mo	0,528	1,10	1	0,65 Mo	0,429	0,946

poutrelle balcon terrasse.

travée	M_t	M_e calculé	A	Appuis	M_a	M_e calculé	A
0-1	0,8 Mo	0,456	0,95	0 et 2	0,2 Mo	0,114	0,231
1-2	0,8 Mo	0,456	0,95	1	0,65	0,37	0,767

(2)

CALCUL de Poutrelle en BREL 80 SOUS Comb 1,35G+1,5P

Poutrelle terrasse Comb 1,35G+1,5P

travée	Mt	Mt cal	A	APPUI	Ma	Ma cal	A
0 - 1	0,81 Mo	0,614	0,99	0 et 8	0,2 Mo	0,15	0,240
1 - 2	0,705 Mo	0,53	0,853	1 et 7	0,5 Mo	0,38	0,6L
2 - 3	0,75 Mo	0,57	0,918	2 et 6	0,4 Mo	0,30	0,48
3 - 4	0,705 Mo	0,53	0,853	3 et 5	0,4 Mo	0,30	0,48
4 - 5	0,705 Mo	0,53	0,853	4	0,5 Mo	0,38	0,61
5 - 6	0,75 Mo	0,57	0,918				
6 - 7	0,705 Mo	0,53	0,853				
7 - 8	0,81 Mo	0,614	0,99				

poutrelle étage courant Comb 1,35G+1,5P

0 - 1	0,81 Mo	0,54	0,869	0 et 8	0,2 Mo	0,134	0,214
1 - 2	0,705 Mo	0,473	0,761	1 et 7	0,5 Mo	0,335	0,538
2 - 3	0,75 Mo	0,503	0,809	2 et 6	0,4 Mo	0,268	0,429
3 - 4	0,705 Mo	0,473	0,761	3 et 5	0,4 Mo	0,268	0,429
4 - 5	0,705 Mo	0,473	0,761	4	0,5 Mo	0,335	0,538
5 - 6	0,75 Mo	0,503	0,809				
6 - 7	0,705 Mo	0,473	0,761				
7 - 8	0,81 Mo	0,54	0,869				

poutrelle Balcon étage courant

0 - 1	0,8 Mo	0,69	1,114	0 et 2	0,2 Mo	0,17	0,272
1 - 2	0,8 Mo	0,69	1,114	1	0,65 Mo	0,56	0,946

poutrelle Balcon terrasse

0 - 1	0,8 Mo	0,606	0,977	0 et 2	0,2 Mo	0,151	0,241
1 - 2	0,8 Mo	0,606	0,977	1	0,65 Mo	0,492	0,792

Verification au règle CCBAG68

Cas des poutrelles à deux travées :-

est le cas de poutrelle étage courant

le cas le plus défavorable

$$T = 1,15 T_0 = 0,88 \cdot 1,15 = 1,02 t$$

$$T_0 = \frac{q_f}{2} = \frac{0,587 \cdot 3}{2} = 0,88$$

Verification des contraintes :-

sur appuis $A = 1,53 \text{ cm}^2$

$$w = \frac{100 A}{b h} = \frac{100 \times 1,53}{18 \times 12} = 0,708$$

d'après tableau du charon :

$$\sigma_a = \frac{M}{A E h} = \frac{0,492 \cdot 10^5}{1,53 \cdot 0,8777 \cdot 18} = 2035,42 < 2800.$$

$$K = 25,9 \quad \varepsilon = 0,8777$$

Verification à l'adhérence CCBAG68 art 29.

on doit vérifier $\bar{z}_d \leq \bar{z}_d$

$$\bar{z}_d = \frac{T}{n \cdot P \cdot Z} = \frac{1,14 \cdot 10^3}{\pi \cdot 1,4 \cdot \frac{7}{8} \cdot 18} = 14,58 < 17,7 \quad \text{Vérifiée}$$

$$\bar{z}_d = 24 d \cdot \bar{\tau}_b = 2 \times 1,5 \times 5,9 = 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

Armature transversale :-

$T_{max} = 1,02 t$

$$\bar{z}_b = \frac{T}{b \cdot Z} = \frac{1,02 \cdot 10^3}{12 \cdot \frac{7}{8} \cdot 18} = 5,34 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\bar{\tau}_b' = 108 \Rightarrow \bar{\tau}_b < \bar{\tau}_b' < 2 \bar{\tau}_b.$$

$$\bar{z}_b = (4,5 - \frac{\bar{\tau}_b'}{\bar{\tau}_{b0}}) \cdot \bar{\tau}_b = (4,5 - \frac{108}{69}) \cdot 5,9 = 17,31 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{z}_b = 5,34 < 17,31 \text{ kg/cm}^2.$$

Contrainte des Aciers Transversaux :-

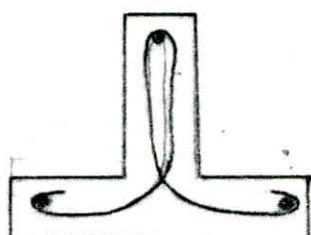
$$\sigma_a = \left(1 - \frac{\bar{z}_b}{g \bar{\tau}_b}\right) = 1 - \frac{5,34}{g \cdot 5,9} = 0,899$$

$$\sigma_{at} = \sigma_a \cdot \sigma_{en}$$

$$\sigma_{at} = 0,899 \times 2400 = 2127,45 \text{ kg/cm}^2.$$

Espacement admissible :-

$$t = \max \begin{cases} 0,2 h = 0,2 \times 18 = 3,6 \\ h \left(1 - 0,3 \cdot \frac{\bar{z}_b}{\bar{\tau}_b}\right) = 12,48 \end{cases}$$



on prend 1 etrier $\phi 8$ $A_t = 1 \text{ cm}^2$.

$$t \leq \frac{A_t \cdot Z \cdot \tau_{at}}{\tau_{max}} = \frac{1 \cdot 7 \cdot 18 \cdot 2127.45}{8 \cdot 1.01 \cdot 10^3} = 33$$

on prendra un écartement $t = 11 \text{ cm}$ pour toutes les poutrelles
la 1ere cours d'armature est à une distance $\frac{1}{2}$ de l'appui

$$\tau_b' = \frac{\tau_a}{K} = \frac{2800}{25.9} = 108 < 137$$

$$\text{en travée : } A = 1.57 \quad w = \frac{100 A}{bh} = \frac{100 \times 1.57}{64.18} = 0.1362$$

$$K = 67 \quad E = 0.9390$$

$$\tau_a = \frac{M}{A \cdot E \cdot h} = \frac{0.66 \cdot 10^5}{1.57 \times 0.9390 \times 18} = 2487.17 \text{ kg/cm}^2 < 2800$$

$$\sigma_b' = \frac{\tau_a}{K} = \frac{2800}{67} = 41.79 < 137. \text{ Donc les contraintes sont vérifiées}$$

Condition de non fragilité :-

$$\text{- en travée : } A \geq 0.69 \times b \times h \times \frac{\tau_b}{\tau_{en}} = 0.69 \times 64 \times 18 \times \frac{5.9}{4200}$$

$$A \geq 1.116 \text{ condition vérifiée}$$

$$\text{- sur appuis : } A \geq 0.69 \times b \times h \times \frac{\tau_b}{\tau_{en}} = 0.69 \times 12 \times 18 \times \frac{5.9}{4200}$$

$$A \geq 0.2 \text{ condition vérifiée}$$

Vérification à la fissuration :-

$$\text{- en travée : } K = 1.5 \cdot 10^6, \eta = 1.6, \beta = 10.$$

$$w_f = \frac{A}{2bd} = \frac{1.57}{2 \times 12 \times 2} = 0.0327$$

$$\tau_1 = K \cdot \frac{\eta}{\phi} \cdot \frac{w_f}{1 + 10 w_f} = 5914 \text{ kg/cm}^2$$

$$\text{- sur appuis : } K = 1.5 \cdot 10^6, \eta = 1.6, \phi = 12.$$

$$w_f = \frac{A}{2bd} = \frac{1.53}{2 \times 12 \times 2} = 0.0318$$

$$\tau_1 = K \cdot \frac{\eta}{\phi} \cdot \frac{w_f}{1 + 10 w_f} = 4136.13$$

Vérification à la flèche : $\tau_a < \max(\tau_1, \tau_2)$ pas de risque de fissuration

Réf 68.4 CCBAG8 : on peut se dispenser de la vérification si les conditions suivantes sont vérifiées

$$(1) \frac{h_f}{l} \geq \frac{M_f}{15 M_o} = \frac{0.528}{15 \cdot 0.66} = 0.0533 \text{ vérifié}$$

$$(2) \frac{h_f}{l} \geq \frac{1}{22.5} \cdot \frac{20}{300} \geq \frac{1}{22.5} \text{ vérifié. les 3 conditions sont vérifiées}$$

$$(3) \frac{A}{bh} \leq \frac{36}{\tau_{en}}, \frac{1.57}{12.18} \leq \frac{36}{4200} \text{ vérifié}$$

Verification suivant le BAEL 80:

le cas le plus défavorable poutrelle Balcon étage courant

Verification de la contrainte tangentielle:

$$V_u = 1,15 T_o = 1,15 \cdot 1,147 = 1,32 t = 13200 \text{ N.}$$

$$T_o = \frac{0,1765}{2} = 1,147 t$$

$$\Sigma u = \frac{V_u}{b \cdot d} = \frac{13200}{120 \times 180} = 0,61 \text{ MPa.}$$

La fissuration est peu nuisible $f_{c28} = 25 \text{ MPa.}$

$$\text{Il faut que } \Sigma u \leq \min [0,13 f_{c28}, 4 \text{ MPa}] = \min [0,130 \times 25, 4] = \min [3,25, 4] = 3,25$$

$$\text{donc } \Sigma u = 0,61 < 3,25 \text{ vérifiée.}$$

Verification de l'effort tranchant au voisinage de l'appui:-

-Appuis intermédiaires:-

$$V_u + \frac{M_u}{0,9 d} = 13200 - \frac{5600}{0,9 \times 0,18} = -21367 < 0$$

les armatures longitudinales inférieures ne sont soumises à aucun effort de traction

Espacement minimal et section minimal des armatures d'âme:-

$$s_t \leq \min [0,9 d, 40 \text{ cm}] = \min [0,9 \times 18, 40 \text{ cm}] = \min [16,2, 40 \text{ cm}] = 16,2.$$

$$A_t = 2 \phi 8 = 1 \text{ cm}^2.$$

La fissuration est très préjudiciable: $f_e = 400 \text{ MPa.}$

$$s_t \leq \frac{0,8 f_e \cdot A_t}{b_o \cdot \Sigma u} = \frac{0,8 \times 400 \times 1}{12 \times 0,61} = 43$$

$$s_t = 16 \text{ cm}$$

Condition de non fragilité:-

$$A_s \geq 0,23 \frac{f_{ej}}{f_e} \cdot b \cdot d.$$

-au appuis:-

$$A_s \geq 0,23 \cdot \frac{2,1}{400} \cdot 18 \cdot 12 = 0,260 \quad \text{vérifié pour tous les appuis}$$

en travée:

$$A_s \geq 0,23 \cdot \frac{2,1}{400} \cdot 64 \cdot 18 = 1,39 \quad \text{vérifié pour tous les travées}$$

poutrelle étage courant G+P

travée	M _t	M _{t calculé} en t.m	A _{ppuis}	M _a	M _{a cal}	T _{bt}	T _{ba}
0-1	0,81 M _o	0,388	0 et 8	0,2 M _o	0,096	2,18	0,54
1-2	0,705 M _o	0,338	1 et 7	0,5 M _o	0,24	1,90	1,35
2-3	0,75 M _o	0,36	2 et 6	0,4 M _o	0,192	2,02	1,08
3-4	0,705 M _o	0,338	3 et 5	0,4 M _o	0,192	1,90	1,08
4-5	0,705 M _o	0,338	4	0,5 M _o	0,24	1,90	1,35
5-6	0,75 M _o	0,36				2,02	
6-7	0,705 M _o	0,338				1,90	
7-8	0,81 M _o	0,388				2,18	

poutrelle Balcon étage courant G+P

0-1	0,8 M _o	0,487	0 et 2	0,2 M _o	0,121	2,74	0,68
1-2	0,8 M _o	0,487	1	0,65 M _o	0,393	2,74	2,22

poutrelle Balcon terrasse G+P

0-1	0,8 M _o	0,444	0 et 2	0,2 M _o	0,111	2,49	0,62
1-2	0,8 M _o	0,444	1	0,65 M _o	0,360	2,49	2,03

poutrelle étage courant :

$$G = 0,497 \text{ t/m}^2 \quad P = 0,175 \text{ t/m}^2$$

$$q = 1,35 G + 1,5 P = 1,35 \times 0,497 + 1,5 \times 0,175 = 0,933 \text{ t/m}^2 \quad \text{état limite ultime}$$

$$q = G + P = 0,497 + 0,175 = 0,672 \text{ t/m}^2 \quad \dots \dots \dots \quad \text{état limite de service}$$

$$M_{4o} = 0,671 \text{ t.m}, \quad M_{5o} = 0,48 \quad M_{4o}: \text{mom} \ddot{\text{e}} \text{t istultime} \\ M_{5o}: \text{mom} \ddot{\text{e}} \text{t istservice}$$

Poutrelle terrasse :

$$G = 0,671 \text{ t/m}^2, \quad P = 0,1 \text{ t/m}^2$$

$$q = 1,35 G + 1,5 P = 1,35 \times 0,671 + 1,5 \times 0,1 = 1,05 \text{ t/m}^2$$

$$q = G + P = 0,671 + 0,1 = 0,771 \text{ t/m}^2.$$

$$M_{4o} = 0,75 \quad M_{5o} = 0,555$$

Poutrelle Balcon terrasse :

$$G = 0,671 \text{ t/m}^2, \quad P = 0,1 \text{ t/m}^2$$

$$q = 1,35 G + 1,5 P = 1,35 \times 0,671 + 1,5 \times 0,1 = 1,05$$

$$q = G + P = 0,671 + 0,1 = 0,771$$

$$M_{4o} = 0,75 \quad M_{5o} = 0,555$$

Poutrelle Balcon étage courant :

$$G = 0,497 \text{ t/m}^2, \quad P = 0,35 \text{ t/m}^2$$

$$q = 1,35 G + 1,5 P = 1,35 \times 0,497 + 1,5 \times 0,35 = 1,19$$

$$q = G + P = 0,497 + 0,35 = 0,847$$

$$M_{4o} = 0,85 \quad M_{5o} = 0,609$$

Etat limite de compression du béton

de p Afin d'empêcher la formation de fissures parallèles à la direction des contraintes de compression, la contrainte maximale de compression du béton sous l'effet des sollicitations de calcul relatives aux états-limites de service, est limitée à $0,6 f_{c2}$, soit pratiquement, à $0,6 f_{c28}$ (Art A.4.5.2).

Determination des contraintes

on peut calculer pour les états-limites de service, les contraintes dans une section pour laquelle les armatures ont été déterminées lors de calculs aux état-limite ultimes. Par contre, elles ne permettent pas, si les contraintes obtenues sont supérieures aux contraintes limites de déterminer les nouvelles valeurs des armatures.

Section rectangulaire sans armature comprimée

d'après méthode ②

-ode charon:-

on connaît b, d, A et M , on veut déterminer τ_b et τ_s :

on calcule $\beta_1 = \frac{100A}{bd}$ d'après le tableau 3 il donne sur la ligne correspondante à β_1 après interpolation si nécessaire, les valeurs de β , β_1 et de K_1 d'où $\tau_s = \frac{M}{A\beta_1 d}$ avec $M = M_{ser}$

$$\tau_b = \frac{\tau_s}{K_1}$$

M en N.m b, d en cm A en cm^2 τ_b et τ_s en MPa

Section rectangulaire avec armature comprimée:-

on connaît

b, d, A, A' et M on veut déterminer τ_b , τ_s' et τ_s

on calcule $D = \frac{15}{b} (A' + A)$ $E = \frac{30}{b} (A'd' + Ad)$

$$y_i = -D + \sqrt{D^2 + E} \quad I = \frac{b y_i^3}{3} + 15 A' (y_i - d')^2 + 15 A (d - y_i)^2$$

$$K = \frac{M}{I} \quad \tau_b = K y_i \quad \tau_s' = 15 K (y_i - d') \quad \tau_s = 15 K (d - y_i)$$

Section en T sans armatures comprimées:-

on connaît $b, b_0, d,$

h_0, A et M on veut déterminer τ_b et τ_s il est nécessaire de savoir si l'axe neutre se trouve dans la table ou dans la nervure pour cela on calcule l'expression H

$$H = \frac{b h_0^2}{2} - 15 A (d - h_0)$$

Si $H > 0$ l'axe neutre se trouve dans la table et au point de vue calcul, la section en T est assimilable à une section rectangulaire, qu'on a déjà parlé.

47

- Si $H < 0$ l'axe neutre se trouve dans la nervure et on utilisera la méthode suivant:

on calcul $D = \frac{(b - b_0) h_0 + 15 A}{b_0}$

$$E = \frac{(b - b_0) \cdot h_0^2 + 30 A d}{b_0} \quad y_1 = -D + \sqrt{D^2 + E}$$

$$I = \frac{b y_1^3 - (b - b_0)(y_1 - h_0^3)}{3} + 15 A (d - y_1)^2 \quad K = \frac{M}{I}, \quad \sigma_b = K y_1 \\ \sigma_s = 15 K (d - y_1)$$

Contrainte maximale du béton comprimé :-

Dans tous les cas où la section étudiée comporte une partie comprimée on doit vérifier que sous la sollicitation de service la plus défavorable, la contrainte maximale du béton comprimé

$$\sigma_b \leq 0,6 f_{c28} = 0,6 \times 25 \\ = 15 \text{ MPa.}$$

Contrainte des armatures tendues :-

On considérera une fissuration peu nuisible, il n'y a aucune vérification à effectuer en ce qui concerne σ_s .

VERIFICATION de CONTRAINTES de SERVICE A L'ETAI LIMITE DE SERVICE SOUS G+P

Poutrelle Terrasse

travée	M_t	M_t calculé kNm	Appuis	M_a	M_{acal}	τ_{bt}	τ_{ba}
0-1	0,81 M _o	0,449	0 et 8	0,2 M _o	0,311	2,52	0,62
1-2	0,705 M _o	0,391	1 et 7	0,5 M _o	0,277	2,2	1,56
2-3	0,75 M _o	0,416	2 et 6	0,4 M _o	0,222	2,34	1,25
3-4	0,705 M _o	0,391	3 et 5	0,4 M _o	0,222	2,2	1,25
4-5	0,705 M _o	0,391	4	0,5 M _o	0,277	2,2	1,56
5-6	0,75 M _o	0,416				2,34	
6-7	0,705 M _o	0,391				2,2	
7-8	0,81 M _o	0,449				2,52	

FERRAILLAGE DES POUTRES

Conformément à l'article A15 du CCBA 68, il ne sera pas fait état dans les calculs des efforts normaux dans les poutres, les poutres seront donc ferrallées en flexion simple sous la combinaison la plus défavorable - entre les sollicitations du premier genre (SP_1): $G + 1,2 P$ et les sollicitations du deuxième genre (SP_2)... La plus défavorable avec les conditions suivantes:

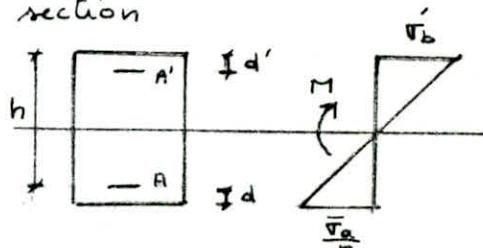
- Si $\max [1,5 M(SP_1); M(SP_2)] = 1,5 M(SP_1)$; on calcule la section sous SP_1
- Si $\max [1,5 M(SP_1); M(SP_2)] = M(SP_2)$; on calcule la section sous SP_2

- Calcul des armatures longitudinales :-

Afin d'obtenir la valeur minimale pour la section des armatures on prendra $\sigma_a = \bar{\sigma}_a$

on calcule $\mu = \frac{n M}{\bar{\sigma}_a \cdot b \cdot h^2}$ tableau K et E .

$$\Rightarrow \sigma_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{K}$$



- - - Si $\sigma_b' \leq \bar{\sigma}_b'$ les armatures comprimées ne sont pas nécessaires, la section des armatures tendues est donnée par.

$$A = \frac{M}{\bar{\sigma}_a \cdot E \cdot h}$$

- Si $\bar{\sigma}_b' > \bar{\sigma}_b$ il est nécessaire de prévoir des armatures comprimées on calcule alors

$$K_1 = \frac{15 \cdot \bar{\sigma}_a}{n \bar{\sigma}_b'} ; \quad K_2 = \frac{15 (h - d')}{\frac{\bar{\sigma}_a'}{\bar{\sigma}_a} (h + d')}$$

par conséquent si $K_1 \geq K_2$ on prend K_1 tableau α, μ, ϵ

et $\sigma_b' = \bar{\sigma}_b'$ on aura $M_1 = \mu' \cdot \bar{\sigma}_b' \cdot b \cdot h^2$ $M_2 = M - M_1$

$$y = \alpha h \longrightarrow \sigma_a' = \frac{15}{y} (y - d') \cdot \bar{\sigma}_b'$$

La section des armatures comprimées sera : $A' = \frac{M_2}{(h - d') \cdot \bar{\sigma}_a'}$

La section des armatures tendues sera : $A = \frac{M_1}{\bar{\sigma}_a \cdot E \cdot h} + \frac{M_2}{(h + d') \cdot \bar{\sigma}_a}$

Si $K_1 < K_2$ on prend K_2 et $\sigma_b' = \frac{\bar{\sigma}_a}{K_2}$ tableau μ', ϵ . avec $\sigma_a = K \bar{\sigma}_b'$

La section des armatures comprimées sera $A' = \frac{M_2}{(h - d') \cdot \bar{\sigma}_a'}$

La section des armatures tendues sera $A = A' + \frac{M_1}{\bar{\sigma}_a \cdot E \cdot h}$

Moments dans les portes III et VIII sous SP_1 et SP_2

	travée			APPUIS					
	1-2	2-3	3-4	1	2	3	4		
H	MSp_1	2,47	3,82	-1,62		-2,86		-4,93	
H	MSp_2	2,7 -0,14	3,84 0,17	-1,60	0,26	-5,05		-7,44	
H	MSp_1	2,81	3,70	-2,83		-4,20		-5	
H	MSp_2	3,37 -2,23	4,53 -3,01	-2,83	2,9	-9,80	2,17	-10,15	-14,58
H	MSp_1	2,82	3,77	-2,95		-3,76		-5,18	
H	MSp_2	6,02 -4,05	5,71 -4,44	-2,83	7,07	-13,26	4,66	-13,64	0,17
H	MSp_1	2,79	3,74	-2,95		-3,63		-5,35	
H	MSp_2	7,67 -5,60	6,61 -5,57	-2,83	10,27	-16,25	6,64	-19,38	2,6
H	MSp_1	2,85	3,77	-2,95		-3,27		-5,82	
H	MSp_2	8,74 -7,26	7,67 -6,86	-2,83	13,95	-19,34	9	-19,83	5,71
H	MSp_1	0,58	1,24	-		-1,09		-1,83	
H	MSp_2	7,04 -6,65	5,96 -5,30	-	12,23	-14,16	10,57	-13,13	8,44
								-12,82	-

on donne au tableau le moment le plus défavorable pour les sollicitations les plus défavorable donnée par les combinaisons suivant le RPA 81 et le CCBAG8.

$$\begin{array}{l} G + 1,2 P \quad CCBAG8 \quad 1^{\text{e}} \text{ heure } SP_1 \\ \text{a) } G + P \pm SI \quad \} \\ \text{b) } 0,8 G + SI \quad \} \end{array} \quad 2^{\text{e}} \text{ heure } SP_2$$

- a) donne le moment négatif maximum en valeur absolue sur les appuis.
- b) donne le moment négatif ou positif minimum en valeur absolue sur les appuis.

on trouve parfois d'après les résultats de l'ordinateur des moments en travée sous SP_2 et à une distance $\frac{L}{4}$ ~~à l'appui~~ qui sont plus grands que le moment en travée sous SP_1 ou c'est la portée du pou-

PORTIQUE de rive A - A₂

I	II	III	IV	V	VI	VI								
MSP ₂	MSP ₁	MSP ₂	MSP ₁	MSP ₂	MSP ₁	MSP ₂	MSP ₁	MSP ₂	MSP ₁	MSP ₂	MSP ₁	MSP ₂	MSP ₁	
10,653 -10,01	0,6369 -12,136	12,678 -12,136	0,7409 -9,023	9,4087 -9,023	0,7215	7,2805 -5,1347	0,7234	4,386 -4,055	0,729 -1,667	1,728 -1,667	9,3107	1,2 2,-3	travers	
8,0618 -7,786	0,551 -9,352	9,613 -9,352	0,6254 -7,515	7,8134 -7,515	0,6373	6,1571 -5,856	0,6395 -3,8415	4,1307 -3,804	0,6424 -1,687	1,868 -1,687	0,2584	3,-4		
8,0482 -7,767	0,5474 -9,24	9,695 -9,24	0,796 -7,481	7,90 -7,481	0,7965	6,254 -5,8207	0,8035 -3,804	4,23 -3,804	0,8010 -1,62	1,99 -1,62	0,4606	3,-5		
10,6473 -10,152	0,6410 -12,21	12,662 -12,21	0,724 -9,083	9,3847 -9,083	0,7211	7,2507 -7	0,7133 -4,1152	4,3521 -4,1152	0,7223 -1,695	1,702 -1,695	9,2923	4,-5		
18,798		22,334		16,437		12,3303		6,9805		2,534				
-20,421	-0,9044	-24,36	-1,482	-18,705	-1,288	-14,68	-1,336	-9,2597	-1,3512	-3,628	-0,6234			
15,9306		18,842		14,335		11,0065		6,9124		3,0875				
-18,1903	-1,135	-21,204	-1,282	-16,59	-1,286	-13,3	-1,2921	-9,2094	-1,3073	-3,87	-0,4531			
14,83		17,3761		14,1877		10,853		6,6867		2,64				
-16,798	-1,093	-20,264	-1,458	-16,751	-1,4696	-13,405	-1,465	-9,241	-1,4644	-3,847	-0,6948			
16,1713		19,1008		14,596		10,854		6,492		2,9913				
-18,165	-1,118	-21,22	-1,4501	-16,74	-1,437	-13,408	-1,427	-9,332	-1,434	-3,996	-0,58			
18,597		22,06		16,108		7,2507		6,515		2,357				
-20,44	-0,922	-24,38	-1,166	-18,74	-1,33	-14,418	-1,387	-9,320	-1,4134	-3,663	-0,6592			

Les résultats de ce tableau sont d'après les combinaisons du parapluie

NIV	mu	M ⁺	m ⁻	μ	α	E	K	$\sigma^2 b$	A cal	A adopté
VI	0-1	1,73	-1,67	0,01387	0,0144	0,1576	0,161	0,9478	0,946	80
	1-2	1,87	-1,67	0,01391	0,0144	0,158	0,145	0,9471	0,946	79,2
	2-3	1,99	1,6	0,01426	0,0117	0,1594	0,1610	0,9465	0,9517	78,8
	3-4	1,70	-1,70	0,01432	0,0143	0,1510	0,2013	0,9468	0,9464	78,8
V	0-1	4,38	-4,05	0,025	0,0238	0,2091	0,2013	0,937	0,933	56,8
	1-2	4,13	-3,84	0,0243	0,03368	0,2034	0,2366	0,9332	0,9211	56,9
	2-3	4,23	-3,80	0,0251	0,03368	0,212	0,2366	0,938	0,9211	54,1
	3-4	4,35	-4,11	0,0246	0,024	0,2089	0,2021	0,931	0,9335	57,1
IV	0-1	7,28	-5,13	0,0427	0,032	0,2622	0,232	0,9126	0,9234	42,2
	1-2	6,16	-5,85	0,0361	0,0341	0,2431	0,24	0,923	0,910	51
	2-3	6,25	-5,82	0,027	0,033	0,2491	0,2381	0,918	0,934	48
	3-4	7,25	-7	0,0427	0,0415	0,2622	0,2595	0,9126	0,9135	46,1
III	0-1	9,41	-9,02	0,0553	0,0541	0,2941	0,2932	0,9020	0,9034	36
	1-2	7,81	-7,51	0,0481	0,047	0,2757	0,2741	0,908	0,919	39,2
	2-3	7,9	-7,48	0,0464	0,0451	0,273	0,269	0,9091	0,910	40
	3-4	9,08	-9,38	0,0481	0,0549	0,2899	0,2936	0,9125	0,9029	42
II	0-1	12,68	-12,13	0,0745	0,0736	0,3341	0,3331	0,8886	0,891	29,9
	1-2	9,16	-9,35	0,0510	0,0549	0,2891	0,293	0,911	0,9023	38
	2-3	9,69	-9,23	0,0569	0,0516	0,2976	0,2898	0,9008	0,9021	36,2
	3-4	12,66	-12,21	0,0744	0,0731	0,334	0,332	0,8881	0,8860	35,4
I	0-1	10,65	-10,01	0,063	0,061	0,3106	0,301	0,8965	0,8985	35,3
	1-2	8,06	-7,78	0,0473	0,0456	0,2747	0,271	0,9084	0,9120	39,6
	2-3	8,04	-7,76	0,0471	0,0458	0,2746	0,27	0,9087	0,9119	39,9
	3-4	10,64	-10,15	0,063	0,061	0,3106	0,301	0,8965	0,8985	35

PORTRIQUE A₁, A₂

VI	0	2,53	-3,63	0,024	0,033	0,2031	0,2335	0,9326	0,923	59	48,6	71,18	86,4	11,46	2,13	3T12	3T12
	1	3,1	-3,87	0,0175	0,0337	0,1738	0,2375	0,9467	0,919	70,1	47,2	59,9	88,98	1,77	2,2	3T12	3T12
	2	2,63	-3,8	0,023	0,0336	0,204	0,2352	0,929	0,922	56,2	48,6	74,73	86,41	1,5	2,15	3T12	3T12
	3	2,9	-3,99	0,017	0,0234	0,1724	0,200	0,943	0,933	72	60	58,33	70	1,1	2,26	3T12	3T12
	4	2,35	-3,66	0,018	0,0318	0,1641	0,2320	0,943	0,923	64,1	50,2	65,52	80,45	1,35	2,14	3T12	3T12
V	0	6,98	-9,26	0,0404	0,0541	0,256	0,292	0,915	0,9034	43,6	37,4	96,3	112,3	3,97	5,4	3T16	4T16
	1	6,91	-9,21	0,0412	0,0516	0,2564	0,29	0,9131	0,9021	42,8	36	98,13	116,7	4	5,33	3T16	4T16
	2	6,68	-9,24	0,047	0,0534	0,253	0,292	0,9142	0,9039	43,1	37,2	97,44	112,9	3,8	5,38	3T16	4T16
	3	6,49	-9,33	0,331	0,055	0,252	0,293	0,9154	0,9023	42,2	36,2	99,52	116,02	3,83	5,47	3T16	4T16
	4	6,51	-9,32	0,0334	0,033	0,253	0,252	0,9176	0,915	42,15	42,1	99,73	99,76	3,86	5,42	3T16	4T16
IV	0	12,33	-14,68	0,0729	0,0863	0,3312	0,3555	0,8871	0,8815	32,1	27,2	130,96	154,41	7,84	8,81	4T16	4T16
	1	11	-13,27	0,0646	0,076	0,3145	0,343	0,8952	0,887	32,7	30	128,44	140	6,5	8	3T16	4T16
	2	10,85	-13,41	0,0641	0,0788	0,3117	0,3417	0,8941	0,8861	32,7	28,9	128,44	145,32	6,47	8	3T16	4T16
	3	10,85	-13,41	0,0641	0,0788	0,3117	0,3417	0,8941	0,8861	32,7	28,9	128,44	145,32	6,47	8	3T16	4T16
	4	7,25	-14,42	0,0427	0,0848	0,2622	0,3521	0,9126	0,8839	42,2	28,3	99,52	149,46	4,2	8,74	2T16	4T16
III	0	16,43	-18,7	0,0968	0,1103	0,3721	0,3926	0,8741	0,8696	24,2	23,6	173,55	177,96	10,01	11,36	5T16	6T16
	1	14,33	-16,59	0,0971	0,0971	0,3721	0,3734	0,8771	0,8761	23,8	26,1	176,47	160,9	8,6	10	3T14+2T16	5T16
	2	14,18	-16,75	0,0855	0,0984	0,3538	0,375	0,8821	0,875	27,4	25	153,28	168	8,6	10,12	3T14+2T16	5T16
	3	14,59	-16,73	0,0857	0,0981	0,3546	0,3747	0,8818	0,8756	27,3	25,2	153,84	166,66	8,75	10,10	3T14+2T16	5T16
	4	16,1	-18,74	0,0948	0,1101	0,3691	0,3927	0,8771	0,8691	26	23,2	161,53	181,03	9,92	11,40	5T16	6T16
II	0	22,33	-24,36	0,1131		0,4202	0,4237	0,8599	0,859	20,7	20,43	202,99	205,5	13,73	14,96	4T16+2T20	5T20
	1	18,84	-21,2	0,1107	0,1247	0,3937	0,4121	0,869	0,863	23,1	21,4	181,81	196,26	21,47	13	6T16	4T16+2T20
	2	17,37	-20,26	0,1112	0,1156	0,3807	0,3991	0,873	0,8641	24,32	22,2	172	189,18	10,89	12,8	6T16	6T16
	3	19,11	-21,22	0,0791	0,11247	0,3391	0,4121	0,886	0,8626	29	21,4	144,82	196,26	11,68	13,01	6T16	4T16+2T20
	4	22,06	-24,37	0,11281		0,4121	0,4237	0,869	0,859	21,2	20,43	198,11	205,5	13,7	14,96	4T16+2T20	5T20
I	0	18,8	-20,44	0,1105	0,120	0,393	0,4065	0,869	0,8645	23,2	21,9	181,03	191,78	11,44	12,50	6T16	6T16
	1	15,93	-18,19	0,0941	0,982	0,3691	0,3894	0,877	0,8786	26,3	24,9	159,69	168,67	9,65	11,03	5T16	6T16
	2	14,83	-16,8	0,0871	0,0987	0,3563	0,3762	0,881	0,8741	27,1	21,2	154,98	198,11	8,90	9,90	6T14	5T16
	3	16,17	-18,16	0,095	0,98	0,3695	0,3887	0,877	0,8783	25,6	24,8	164,06	162,64	9,75	11,03	5T16	6T16
	4	18,6	-20,43	0,989	0,12	0,3910	0,4065	0,869	0,8645	23,7	21,9	177,21	191,78	11,35	12,50	6T16	6T16

portique III

59

ΣM	ΣS	Moments en t.m	μ	α	E	K	τ_b	A calculé	A adopté
VI	0-1	2,86		0,0252		0,2069		48,69	
	1-2	3,82		0,03368		0,2366		57	2,44
	2-3	1,62		0,01429		0,1596		53	3,29
VII	0-1	2,81	-2,23	0,0249	0,0161	0,2055	0,1624	48,27	3T12
	1-2	3,7	-3,01	0,0326	0,01769	0,2329	0,1765	55	3T12
	2-3		-2,83		0,0249		0,2055	56,68	3T12
IV	0-1	6,02	-4,05	0,0353	0,0238	0,2411	0,2013	70	3T12
	1-2	5,71	-4,44	0,0335	0,0269	0,2391	0,2130	72,14	3T12
	2-3		-2,95		0,026		0,2098	72,4	3T12
III	0-1	7,67	-5,60	0,0451	0,0329	0,2688	0,2336	88,98	3T12
	1-2	6,61	-5,57	0,039	0,0329	0,2525	0,2336	82,3	3T12
	2-3		-2,95		0,026		0,2098	80,76	3T12
II	0-1	9,74	-7,26	0,0572	0,0431	0,2988	0,264	85,36	3T12
	1-2	7,67	-6,96	0,0451	0,0403	0,2688	0,2560	94,59	2T14+1T14
	2-3		-2,95		0,026		0,2098	85,36	3T12
I	0-1	7,04	-6,65	0,0415	0,0403	0,2595	0,254	49,55	3T12
	1-2	5,96	-5,30	0,0353	0,0346	0,2411	0,239	102,43	2T14+1T12
	2-3							96,38	2T14+1T12

portique III

60

NIV opp

$\Sigma \frac{M}{Z}$	$\Sigma \frac{Q}{Z}$	Moment de la charge en t.m.	μ	α	ϵ	K	F_b'	A calculé	A adopté
III	0	-5,05	0,0296		0,2222	0,926	52	80,76	
	1	-4,93	0,0434		0,2641	0,912	41,8	66,98	2,88
	2	-6,73	0,0593		0,3030	0,9	34,5	81,15	4,29 5,94
IV	0	2,9	-9,8	0,0170	0,0580	0,1734	0,9482	0,910	3T12
	1	2,17	-10,15		0,0596	0,3036	0,8988	71,5	3T16+1T12
	2	-14,58			0,0596	0,3538	0,8821	34,4	3T16
V	0	7,07	-13,26	0,0415	0,076	0,2595	0,343	58,7	116,6
	1	4,66	-13,64	0,0274	0,080	0,2158	0,344	36	1,62
	2	-17,25			0,102	0,3807	0,8731	27,4	5,80 5,97 9,73
VI	0	10,27	-16,25	0,0596	0,0955	0,3036	0,3704	0,887	2T14+1T12
	1	6,66	-19,39	0,039	0,1139	0,2525	0,3979	0,9135	4T16
	2	2,6	-19,38	0,0156	0,1139	0,1691	0,3979	0,8853	3T12 4T16 5T16
VII	0	13,95	-19,34	0,082	0,1121	0,348	0,3956	0,884	4T16
	1	-19,83			0,1139		0,3979	0,8686	6T16
	2	5,71	-21,47	0,0335	0,1262	0,2358	0,4144	0,9214	2T12+1T14
I	0	12,23	-14,16	0,077	0,0855	0,3468	0,3538	0,891	6T16+2T12
	1	10,57	-13,13	0,0932	0,082	0,3668	0,342	0,878	3T14+1T14
	2	8,44	-12,82	0,0496	0,073	0,2809	0,3464	0,9064	3T16+2T12

**Efforts Tranchants dans les poutres du portique III et VIII
sous la sollicitation SP_1 et SP_2**

on prend la sollicitation la plus de favorable entre les combinaisons du 2^e étage et la sollicitation du 1^{er} étage

$$G + P \pm SI$$

$$0,8 G + SI$$

$$G + 1,2 P$$

		travée 1-2		travée 2-3		travée 3-4	
		Tg	Td	Tg	Td	Tg	Td
VII	SP_1	5,63	6,34	6,95	7,62	3,98	0
VIII	SP_2	5,63	6,34	7,82	8,68	3,9	0
V	SP_1	6,86	7,09	7,34	8,90	7,25	0
	SP_2	9,37	10,20	9,18	11,11	6,94	0
IV	SP_1	6,57	7,30	7,42	8,82	7,25	0
	SP_2	11,05	12,68	10,30	12,29	6,94	0
III	SP_1	6,50	7,38	7,48	8,76	7,25	0
	SP_2	12,53	14,62	11,2	13,21	6,94	0
II	SP_1	6,33	7,54	7,70	8,56	7,25	0
	SP_2	13,98	16,70	12,24	14,06	6,94	0
I	SP_1	1,76	1,86	11,30	14,95		
	SP_2	8,15	8,25	2,40	2,53		

Niv	Appuis	Tmax	$\tau_{b\max}$	\bar{z}_b	z_b	$A_t (\text{cm}^2)$	t	\bar{t}	t adopté
VII	3	8,68	116	28,14	7,34	2,01	21,88	33	20
VIII	3	11,11	153,3	25,11	9,40	2,01	17,1	29,80	17
IV	2	12,68	146,8	25,64	10,73	2,01	14,97	27,65	14
III	2	14,62	185	22,54	12,37	2,01	12,99	25	12
II	2	16,70	185	22,54	14,13	2,01	11,37	22	11
I	2	8,25	149	25,46	6,98	2,01	23,02	33,7	20

PORTIQUE A₁, A₂

	travée 1-2		travée 2-3		travée 2-3		travée 3-4		travée 4-5	
	Tg	Td	Tg	Td	Tg	Td	Tg	Td	Tg	Td
VI	TSP ₁	1,124	0,881	-0,976	1,03		-1,502	1,426	-0,870	1,136
	TSP ₂	-2,863	2,621	-3,160	3,215		-3,680	3,604	-2,610	2,877
V	TSP ₁	-2,66	2,432	-2,573	2,519		-3,01	2,993	-2,395	2,693
	TSP ₂	-7,572	7,346	-9,209	-9,009		-8,214	8,194	-7,309	7,60
IV	TSP ₁	-2,646	2,446	-2,561	2,531		-3,013	2,987	-2,418	2,67
	TSP ₂	-10,95	10,758	-10,528	10,5		-10,967	10,942	-10,731	10,998
III	TSP ₁	-2,613	2,479	-2,555	2,537		-3,011	2,989	-2,459	2,633
	TSP ₂	-13,543	13,410	-12,741	12,723		-13,184	13,162	-13,39	13,56
II	TSP ₁	-2,532	2,559	-2,544	2,547		-3	2,997	-1,2045	-1,166
	TSP ₂	-16,929	16,956	-15	15		-15,444	15,438	-16,955	16,936
I	TSP ₁	-2,13	2,28	-2,227	2,183		-2,197	1,111	-2,266	2,146
	TSP ₂	-14,322	14,473	-12,622	12,579		-12,592	12,609	-14,459	14,33

portique de rive A₁, A₂

NIV appui	T _{max}	σ'_b _{max}	\bar{z}_b	z_b	A _b (cm ²)	t	\bar{t}	t _{adopée}
VI 3	3,68	68	32,04	3,11	2,01	51,61	44	25
V 2	9,20	112	28,47	7,78	2,03	20,64	32	20
IV 5	10,95	154	25,06	9,26	2,01	17,34	30	17
III 5	13,56	181	22,86	11,55	2,01	14	26,32	14
II 5	16,95	196	21,64	14,34	2,01	11,2	21	11
I 4	14,45	178	23,10	12,23	2,01	13,14	25	13

FERRAILLAGE DES POUTRE

I - suivant le CCBAG8 : les poutres sont sollicitées en flexion simple pour le calcul des armatures on utilisera la méthode de pierre charron.

DIFFERENTES VERIFICATION

1) Condition de non fragilité

2) pourcentage min et max exigé par le RPA 81

pourcentage min $\begin{cases} \rightarrow 0,3\% & \text{acier à haute cohérence} \\ \rightarrow 0,5\% & \text{acier tissés} \end{cases}$

pourcentage max $\rightarrow 2,5\%$

3) Verification de la flèche :-

Calcul de flèche :-

Le calcul de la flèche ne sera pas nécessaire si les conditions suivantes sont vérifiées :

$$\frac{h_E}{\ell} \geq \frac{1}{10} \cdot \frac{M_E}{M_0}$$

$$\frac{h_E}{\ell} \geq \frac{1}{16}$$

$$A \leq b h \cdot \frac{43}{\sigma_{en}}$$

4) Conditions aux appuis

$$\text{Acier} : A \bar{\sigma}_a \geq T + \frac{M}{Z}$$

$$\text{Béton} \quad \bar{\sigma}'_b \leq \bar{\sigma}'_{b_0} \quad (\text{Parielle d'about})$$

$$5) \text{Verification à la fissuration} \quad \text{équivalent à } e \geq \frac{2T}{b_0 \cdot \bar{\sigma}'_{b_0}}$$

$$\bar{\sigma}_1 = K \cdot \frac{\eta}{\phi} \cdot \frac{\bar{\omega}_f}{1 + 10 \bar{\omega}_f} \quad K = 1,5 \cdot 10^6$$

$$\bar{\sigma}_2 = 2,4 \sqrt{\frac{K}{\phi} \cdot \eta \cdot \bar{\sigma}_b} \quad \eta = 1,6$$

$$\bar{\sigma}_a \leq \max(\bar{\sigma}_1, \bar{\sigma}_2); \frac{2}{3} \sigma_{en} \quad \bar{\omega}_f = \frac{A}{2bd} \quad \phi_{max} \text{ (mm)}$$

6) Condition du non entraînement

$$\bar{z}_d = 2 \psi_d \cdot \bar{\sigma}_b \quad \text{avec } \psi_d = 1,5$$

$$z_d = \frac{T}{n P Z} \quad n: \text{nombre des barres dans un lit} \\ P: \text{perimètre adhérent des barres}$$

7) Vérification des contraintes

$$\bar{w} = \frac{100 \cdot 17}{b \cdot h} \quad (\text{tables charron}) \quad \varepsilon, k.$$

alors $\sigma_a = \frac{M}{\varepsilon \cdot h \cdot A}$ $\sigma_b' = \frac{\sigma_a}{k}$

8) Armatures transversales

$$c_b = \frac{T}{b \cdot z}$$

$$\bar{c}_b = (4,5 - \bar{\sigma}'_{b \max} / \bar{\sigma}'_{b_0}) \cdot \bar{\sigma}_b \quad \text{si} \quad \bar{\sigma}'_{b_0} \leq \bar{\sigma}'_{b \max} \leq 2 \bar{\sigma}'_{b_0}$$

$$\bar{c}_b = 3,5 \bar{\sigma}_b \quad \text{si} \quad \bar{\sigma}'_{b \max} < \bar{\sigma}'_{b_0}$$

éspacement $t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_a}{T}$; $\bar{\sigma}_{at} = \max \left[\left(1 - \frac{c_b}{g \bar{\sigma}_b} \right) \cdot \sigma_{en}, \frac{2}{3} \sigma_{en} \right]$

Zone nodale $\bar{t} \leq \min \left(\frac{h}{4}, 12 \varphi, 30 \text{ cm} \right)$

Zone centrale $\bar{t} \leq \frac{h}{2}$

Vérification de la section du poutre

on prend le portique III de sens transversal

1) $A \geq \frac{1500}{1000} = 1,5 \text{ cm}^2$ condition de non fragilité - Largement vérifiée

2) $4,5 \leq A \leq 37,5$ pourcentage des aciers vérifié

3) vérification de la flèche

$$\frac{h_L}{e} = \frac{50}{480} = 0,104 > \frac{1}{16} = 0,0625.$$

$$A = 13,34 \text{ cm}^2 < \frac{b \cdot h \cdot 43}{\sigma_{en}} = \frac{1500 \cdot 43}{4200} = 15,35 \text{ cm}^2.$$

4) Condition aux appuis:-

$$A \bar{\sigma}_a \geq T + \frac{M}{z} \quad M \text{ pris avec son signe.}$$

sous SP₂ $T_{\max} = 16,70$

$$M = 19,83 \Rightarrow 3 \cdot 39 \times 4200 \geq 16,7 - \frac{19,83}{7/8 \cdot 0,145} =$$

la condition est vérifiée pour tous les appuis.

Vérification du laboratoire de béton.

$$\sigma'_b = \frac{2T}{c b_0} \leq \bar{\sigma}'_{b_0} \quad \text{vérifié pour tous les appuis}$$

6) vérification de non entraînement :

$$Z_d = \frac{T}{n P \cdot Z} \quad T_{\max} = 16,70 t \quad P = \pi \phi = \pi \cdot 1,6 = 5,03 \cdot 6 T 16 \Rightarrow n = 6 \text{ barres.}$$

$$Z_d = \frac{16,70 \cdot 10^3}{6 \cdot 5,03 \cdot \frac{7}{8} \cdot 45} = 14,053 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{Z}_d = 2 \psi_d \cdot \bar{\sigma}_b = 2 \times 1,5 \times 8,35 = 25,05.$$

$$Z_d = 14,05 < \bar{Z}_d = 25,05 \text{ vérifiée.}$$

La condition $Z_d < \bar{Z}_d$ est vérifier pour tous les appuis.

7) vérification des contraintes :-

$$\text{on doit avoir } \sigma_a = \frac{M}{A \cdot \epsilon \cdot h} \leq \bar{\sigma}_a \quad w = \frac{100 \cdot T}{6 \cdot h} \xrightarrow{\text{tableau}} \epsilon \cdot k.$$

$$\sigma_b' = \frac{\sigma_a}{k} \leq \bar{\sigma}_b' \quad \text{toutes les contraintes vérifie les conditions.}$$

8) calcul de l'effort tranchant :-

$$Z_b = \frac{T}{b \cdot Z} = \frac{16,70 \cdot 10^3}{30 \cdot \frac{7}{8} \cdot 45} = 14,13 \text{ kg/cm}^2 \quad T_{\max} = 16,70 t (\text{SP}_2).$$

$$\text{sous SP}_2 \quad \sigma_b' = 149,46 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\text{sous SP}_1 \quad \bar{\sigma}_{b_0}' = 68,5 \times 1,5 = 102,75 \text{ kg/cm}^2 \quad 2 \bar{\sigma}_{b_0}' = 205,5 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{Z}_b = \left(4,5 - \frac{\sigma_b'}{\bar{\sigma}_{b_0}'} \right) \cdot \bar{\sigma}_b = \left(4,5 - \frac{149,46}{102,75} \right) \cdot 8,35 = 25,43 \text{ kg/cm}^2$$

$$Z_b = 14,13 \text{ kg/cm}^2 < \bar{Z}_b = 25,43 \text{ kg/cm}^2.$$

9) calcul des armatures transversales :-

$$\bar{\sigma}_a = 2400 \quad \text{on prend un cadre + 1 étrier T8} \quad A_t = 2,01 \text{ cm}^2.$$

$$t = \frac{A_t \cdot \bar{\sigma}_a \cdot Z}{T} = \frac{2,01 \cdot 2400 \cdot \frac{7}{8} \cdot 45}{16,70 \cdot 10^3} = 11,37.$$

$$t < \max \left[h \left(1 - \frac{0,3 \bar{Z}_b}{\bar{\sigma}_b} \right), 0,2h \right] = \max \left[45 \left(1 - \frac{0,3 \cdot 14,13}{8,35} \right), 0,2 \cdot 45 \right]$$

$$t < \max [22,15, 9] = 22,15.$$

on prend $t = 11 \text{ cm.}$

on adoptera un espacement

$$\bar{t} \leq \min \left(\frac{50}{4}, 12 \cdot 1,6, 30 \right) = 12,5.$$

Zone nodale $t = 12 \text{ cm.}$

Zone courante $\bar{t} \leq \frac{h}{2} = \frac{50}{2} = 25 \text{ cm}$

(2)

portique A₁, A₂ Longitudinale :-

1°) condition de non fragilité - vérifiée.

2°) pourcentage des aciers - vérifiée.

3°) vérification de la flèche.

$$\text{Il suffit de vérifier que } A \leq b \cdot h \cdot \frac{43}{\tau_{en}} = 30 \cdot 50 \cdot \frac{43}{4120} = 15,65 \text{ cm}^2$$

$$A_{\max} = 7,55 \text{ (en travée)} < 15,65 \text{ cm}^2 \text{ vérifiée.}$$

4°) Condition aux appuis - vérifiée pour tous les appuis.

5°) vérification à la non fissuration

6°) vérification de non entraînement.

$$C_{\text{al}} < \bar{C}_{\text{al}} \quad \text{vérifier pour tous les appuis.}$$

7°) vérifications des contraintes :-

toutes les sections adoptées donnent des contraintes (σ_b' , σ_a) qui sont inférieures aux contraintes admissibles.

8°) vérification de l'effort tranchant

$$T_{\max} = 16,95 \text{ t (SP2)} \rightarrow z_b = \frac{T}{b Z} = \frac{16,95 \cdot 10^3}{30 \times \frac{7}{8}} = 14,34 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{z}_b = (4,5 - \bar{\sigma}'_{b \max} / \bar{\sigma}'_{b_0}) \cdot \bar{\sigma}'_b$$

$$\bar{\sigma}'_{b \max} = 196 \text{ kg/cm}^2 \text{ donc } \bar{\sigma}'_{b_0} < \bar{\sigma}'_b < 2 \bar{\sigma}'_{b_0}.$$

$$\bar{z}_b = (4,5 - 196 / 102,75) \cdot 8,35 = 21,64 \text{ kg/cm}^2$$

$$z_b = 14,34 < 21,64 \text{ vérifiée.}$$

9°) armature transversale :-

$$T_{\max} = 16,95 \text{ t} \quad z_b = 14,34 \quad \bar{\sigma}'_{a t} = 2400$$

$$\rightarrow (1 \text{ cadre + étrier}) T_8 \quad A_t = 2,01 \text{ cm}^2$$

$$t = \frac{A_t \cdot \bar{\sigma}'_{a t} \cdot Z}{T} = \frac{2,01 \cdot 2400 \cdot \frac{7}{8} \cdot 45}{16,95 \cdot 10^3} = 11,2$$

$$t < \max [45 (1 - \frac{0,13 \cdot 14,34}{8,35}) ; 0,2 \cdot 45] = \max [21,8, 9] = 21$$

on prend $t = 18 \text{ cm.}$

on adoptera un espacement $\bar{t} \leq \min (\frac{50}{4}, 12,4, 6, 30) = 12,5$.

Zone nodule $t = 12 \text{ cm.}$

Zone courante $t = 25 \text{ cm.}$

CALCUL D'UNE POUTRE Suivant le BHEL 80.

Hypothese et données pour le calcul:

dans la théorie des poutres.

les hypothèses sont celles utilisées en RDM

Etat-Limites de Service:-

- hypothèse de base: conservation des sections planes, absence de glissement entre acier et béton non prise en compte du béton fendu; loi de Hooke $\sigma = E_{\text{ss}} \epsilon$.
- Etat limite de compression du béton: la contrainte de compression du béton en service σ_{bc} est limitée à $\sigma_{bc} = 0,6 f_c 28$.
- Etat-Limite d'ouverture des fissures, la contrainte de traction de l'acier du service σ_s n'est limitée qu'en cas de fissuration préjudiciable

Etat Limites Ultimes de Services) sous Sollicitation Normale (M et N)

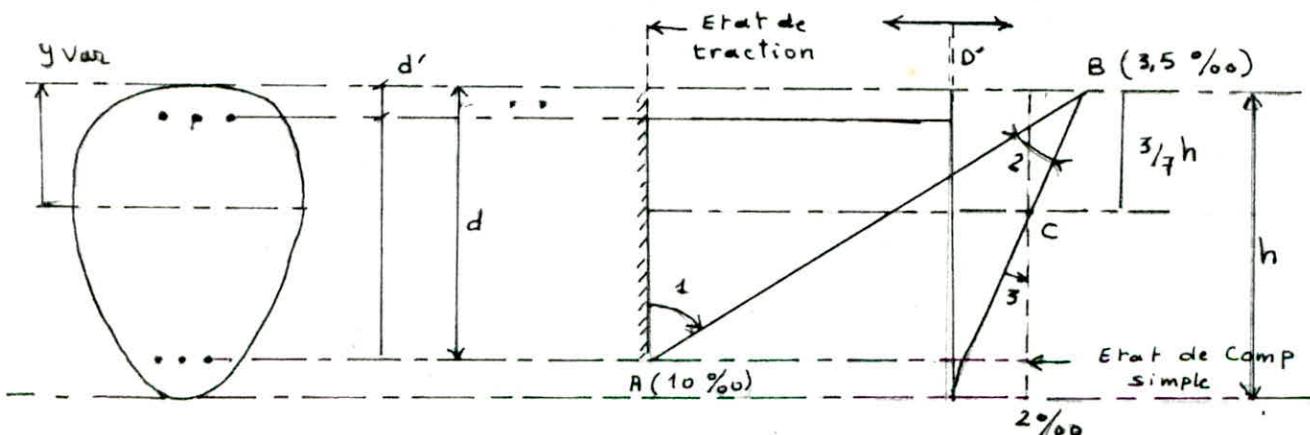
- hypothèse de base: conservation des sections planes, absence de glissement entre acier et béton, non prise en compte du béton tendu.
- Déformations relatives Limites:

- de l'acier le plus tendu : $10 \cdot 10^{-3}$
- Du Beton Comprimé par flexion : $3,5 \cdot 10^{-3}$
- du Beton Comprimé par compression simple : $2 \cdot 10^{-3}$

- Règles des trois pivots:

Pour dimensionner à l'état limite-ultime on admet que le diagramme des déformations passe par l'un des 3 pivots A, B et C définis ci-après.

- pivot A: correspond à la flexion simple ou composée ou la traction simple
- pivot B: Domaine de flexion
- pivot C: correspond à une section entièrement Comprimée.



procédure de calcul:-

- conformément à l'article F.2.4.8 du BHEL, on ne fait pas état dans les calculs des efforts normaux dans les poutres.
- les poutres seront ferrailleées en flexion simple, sous la plus défavorable des combinaisons à l'état limite ultime tenant compte des combinaisons du RPA.

$$G + P + S1$$

$$0,8 G \pm S1$$

$$1,35 G + 1,5 P.$$

- les armatures longitudinales sont déterminées ~~sous~~ suivant la méthode de pierre charron qu'on a déjà expliquée dans le calcul des poutrelles.

- Remarque: on a trouvé dans la plupart du cas que le moment en travée à une distance $\frac{L}{4}$, sous les actions sismiques sont plus grand que le moment en travée pour les combinaisons: $1,35 G + 1,5 P$ alors on ferme la section en travée sous S_P_2
Voir le tableau précédent du moment sous S_P_2 pour les poutres sous la combinaison du RPA

choix de pivot

d'après la méthode de pierre charron on connaît le pivot d'après les règles suivant:-

- on calcule $\mu = \frac{M}{\bar{\tau}_b \cdot b \cdot d^2}$ on en déduit α, β du tableau

- si $\alpha \leq 0,2593$ nous sommes dans le domaine 1 et le diagramme de déformation passe par le pivot A, donc $\varepsilon_a = 10\%$.

- si $0,2593 \leq \alpha \leq 1$, nous sommes dans le domaine 2 et le diagramme des déformations passe par le point B et le raccourcissement du béton de la fibre extrême sera $\varepsilon_b = 3,5\%$.

choix d'acier :-

les armatures sont en acier Fe E 40 type 1.
pour les combinaisons du RPA on a

$$\gamma_s = 1 \quad \gamma_b = 1,15 \quad \bar{\sigma}_b = 18,5 \text{ MPa}$$

sous les combinaisons du $1,35 G + 1,5 P$ on a

$$\text{Moment dans les portiques III et VIII} \quad \gamma_s = 1,15 \quad \gamma_b = 1,5 \quad \bar{\sigma}_b = 14,2 \text{ MPa}.$$

NIV	M (Comb)	travée			Appuis			
		1-2	2-3	3-4	1	2	3	4
VI	M(1,35G+1,5P)	3,30	5,1	-2,17	-3,82	-6,60	-9	0
	M(G+P)	2,42	3,73	-1,60	-2,80	-4,84	-6,57	0
V	M(1,35G+1,5P)	3,75	4,91	-3,92	-5,60	-6,64	-12,14	0
	M(G+P)	2,72	3,57	-2,83	-4,09	-4,82	-8,82	0
IV	M(1,35G+1,5P)	3,75	5,01	-3,92	-5,02	-6,89	-11,76	0
	M(G+P)	2,73	3,64	-2,83	-3,66	-5	-8,54	0
III	M(1,35G+1,5P)	3,72	4,98	-3,92	-4,85	-7,12	-11,56	0
	M(G+P)	2,71	3,62	-2,83	-3,54	-5,17	-8,40	0
II	M(1,35G+1,5P)	3,80	5,01	-3,91	-4,37	-7,74	-10,85	0
	M(G+P)	2,76	3,64	-2,83	-3,19	-5,62	-7,88	0
I	M(1,35G+1,5P)	0,79	1,68		-1,46	-2,48	-2,96	0
	M(G+P)	0,58	1,24		-1,08	-1,85	-2,13	0

M(1,35G → 1,5P)									
	travaux				appuis.				
	1-2	2-3	3-4	4-5	1	2	3	4	5
VI	0,41	0,34	0,62	0,39	-0,84	-0,61	-0,93	-0,78	-0,88
V	0,98	0,86	1,07	0,97	-1,82	-1,76	-1,97	-1,92	-1,90
IV	0,97	0,96	1,08	0,96	-1,80	-1,74	1,97	-1,92	-1,87
III	0,97	0,96	1,07	0,96	-1,73	-1,73	-1,97	-1,93	-1,78
II	0,99	0,84	1,07	0,97	-1,54	-1,72	-1,96	-1,95	-1,57
I	0,86	0,74	0,76	0,86	-1,22	-1,53	-1,47	-1,51	-1,24
M(G + P)									
VI	0,31	0,25	0,45	0,29	-0,62	-0,45	-0,69	-0,57	-0,65
V	0,72	0,63	0,73	0,71	-1,34	-1,23	-1,45	-1,42	-1,40
IV	0,72	0,63	0,80	0,71	-1,33	-1,28	-1,45	-1,41	-1,37
III	0,71	0,63	0,78	0,71	-1,28	-1,27	-1,45	-1,42	-1,06
II	0,73	0,62	0,79	0,72	-1,14	-1,27	-1,44	-1,44	-1,16
I	0,63	0,56	0,55	0,64	-0,9	-1,13	-1,09	-1,12	-0,92

NIV	travée	Moment en kgf.m.	ΣM	μ	α	β	Pivot	Δ (calculé)
VI	0-1	33		0,0293		0,0368		0,9855
	1-2	51		0,0453		0,0575		0,077
	2-3	21,7		0,0193		0,0239		0,9905
V	0-1	37,7	-22,3	0,0335	0,0198	0,04455	0,0252	0,9825
	1-2	49,1	-30,1	0,0436	0,0267	0,0562	0,03425	0,978
	2-3		-39,2		0,0348		0,04455	0,9825
VI	0-1	60,2	-40,8	0,0535	0,036	0,0694	0,0459	0,972
	1-2	57,1	-44,4	0,0508	0,0395	0,0654	0,0510	0,9735
	2-3		-39,2		0,0348		0,04455	0,9825
IV	0-1	76,7	-56	0,0682	0,0498	0,0881	0,0641	0,965
	1-2	66,1	-55,7	0,0588	0,0495	0,07605	0,0641	0,9635
	2-3		-39,2		0,0348		0,04455	0,9825
II	0-1	97,4	-72,6	0,0866	0,0645	0,1126	0,0828	0,955
	1-2	76,7	-68,6	0,0682	0,061	0,0881	0,0774	0,965
	2-3		-39,2		0,0348		0,04455	0,9825
I	0-1	70,4	-66,5	0,0626	0,0591	0,0801	0,0774	0,968
	1-2	59,6	-53	0,0530	0,0471	0,068	0,0602	0,9725

PORTIQUE

									Pivot	Accumulation
	0	50,5		0,0449		0,05755		0,977	A	2,87
VI	1	74,4		0,066		0,0854		0,966	A	4,27
	2	9,40		0,0836		0,1099		0,956	A	5,46
	0	29	-98	0,0258	0,0871	0,033	0,114	0,987	0,954	A A 1,65 5,70
V	1	21,7	-101,5	0,0193	0,0903	0,02395	0,1181	0,9905	0,953	A A 1,23 5,91
	2		-145,8		0,1297		0,1748		0,930	A 8,70
IV	0	70,7	-132,6	0,0629	0,1179	0,08145	0,1574	0,9675	0,937	A A 4,06 7,86
	1	46,6	-136,4	0,0414	0,1213	0,0523	0,1617	0,9795	0,9355	A A 2,64 8,16
	2		-172,5		0,1534		0,2101		0,916	A 9,70
III	0	102,7	-162,5	0,0913	0,1445	0,1203	0,1953	0,952	0,922	A A 5,99 9,79
	1	66,4	-193,8	0,059	0,1724	0,0774	0,2376	0,969	0,905	A A 3,80 11,89
	2		-193,8		0,1724		0,2376		0,905	A 11,89
II	0	139,5	-193,4	0,1249	0,1720	0,166	0,2376	0,934	0,905	A A 8,29 11,87
	1		-198,3		0,1764	0,2438		0,902		A 12,21
	2	57,1	-214,7	0,0508	0,1910	0,0654	0,2658	0,9735	0,894	A B 3,25 13,34
I	0	122,3	-141,6	0,1088	0,1259	0,1334	0,1689	0,9465	0,932	A A 7,17 8,44
	1	105,7	-131,3	0,0940	0,1168	0,1236	0,1560	0,951	0,9375	A A 6,17 7,78
	2	84,4	128,2	0,0750	0,1140	0,09755	0,0602	0,961	0,975	A A 4,88 3,02

NIV	travée	M ^E en KN.m	μ	α	β	Pivot	A calculée
VI	0 - 1	17,3	- 16,7	0,0153 0,0148	0,01885 0,01885	0,9925 0,992	A A 0,968 0,93
	1 - 2	18,7	- 16,7	0,0166 0,01485	0,0201 0,01885	0,992 0,9925	A A 1,047 0,93
	2 - 3	19,9	- 16	0,0177 0,0142	0,0227 0,0176	0,991 0,993	A A 1,11 0,895
	3 - 4	17	- 17	0,0151 0,0151	0,01885 0,01885	0,9925 0,9925	A A 0,951 0,951
V	0 - 1	43,8	- 40,5	0,0389 0,036	0,04975 0,0459	0,9805 0,982	A A 2,48 2,29
	1 - 2	41,3	- 38,4	0,0367 0,0341	0,0472 0,0432	0,9815 0,983	A A 2,33 2,17
	2 - 3	42,3	- 38	0,0376 0,0338	0,0485 0,0432	0,981 0,983	A A 2,39 2,14
	3 - 4	43,5	- 44	0,0391 0,0391	0,04975 0,04975	0,9805 0,9805	A A 2,46 2,49
IV	0 - 1	72,8	- 51,3	0,0647 0,0456	0,0841 0,0589	0,9665 0,976	A A 4,18 2,92
	1 - 2	61,6	- 58,5	0,0548 0,0496	0,0707 0,0641	0,9715 0,974	A A 3,52 3,18
	2 - 3	62,5	- 58,2	0,0556 0,05178	0,0721 0,0667	0,971 0,973	A A 3,57 3,32
	3 - 4	72,5	- 70	0,0645 0,0622	0,0828 0,0801	0,967 0,968	A A 4,16 4,017
III	0 - 1	94,1	- 90,2	0,0837 0,080	0,1099 0,1046	0,956 0,958	A A 5,46 5,23
	1 - 2	78,1	- 75,1	0,0694 0,0668	0,0907 0,0907	0,964 0,964	A A 4,5 4,32
	2 - 3	79	- 74,8	0,07 0,0665	0,0907 0,0856	0,964 0,966	A A 4,55 4,30
	3 - 4	90,8	- 93,8	0,08 0,083	0,1046 0,1085	0,958 0,9565	A A 5,26 5,46
II	0 - 1	126,8	- 121,3	0,1128 0,1079	0,1503 0,1431	0,9395 0,943	A A 7,49 7,14
	1 - 2	91,6	- 93,5	0,0815 0,0831	0,1071 0,1085	0,957 0,9565	A A 5,31 5,43
	2 - 3	96,9	- 92,3	0,0862 0,0821	0,1126 0,1071	0,955 0,957	A A 5,63 5,35
	3 - 4	126,6	- 122,1	0,1126 0,1086	0,1503 0,1431	0,9395 0,943	A A 7,48 7,19
I	0 - 1	106,5	- 100,1	0,0947 0,089	0,125 0,1181	0,950 0,953	A A 6,22 5,83
	1 - 2	80,6	- 77,8	0,0718 0,0692	0,0935 0,0907	0,963 0,964	A A 4,65 4,48
	2 - 3	80,4	- 77,6	0,0715 0,069	0,0921 0,0907	0,9635 0,964	A A 4,63 4,47
	3 - 4	106,4	- 101,5	0,0946 0,090	0,1236 0,1181	0,951 0,953	A A 6,21 5,91

NIV	APPUIS	M ^r en KN.m.	A		B		PIVOT		A calculée	
			α	β	α	β	A	A	1,42	2,05
VI	0	25,3	-36,3	0,0225	0,032	0,0279	0,0406	0,989	0,984	A A
	1	31	-38,7	0,0275	0,034	0,0355	0,0432	0,986	0,983	A A
	2	26,3	-38	0,0234	0,0338	0,0304	0,0432	0,988	0,983	A A
	3	29	-39,4	0,0258	0,0355	0,033	0,0432	0,987	0,983	A A
	4	25,3	-36,4	0,0225	0,0325	0,0279	0,0406	0,989	0,984	A A
V	0	68,8	92,6	0,0612	0,0823	0,07875	0,1071	0,9685	0,957	A A
	1	69,1	92,1	0,0614	0,0819	0,07875	0,1071	0,9685	0,957	A A
	2	66,8	92,4	0,0594	0,0822	0,0774	0,1071	0,969	0,957	A A
	3	64,9	93,3	0,0577	0,0830	0,0747	0,1085	0,970	0,9565	A A
	4	65,1	93,2	0,0579	0,0829	0,0747	0,1085	0,970	0,9565	A A
IV	0	123,3	-146,8	0,1097	0,1306	0,1460	0,1748	0,942	0,930	A A
	1	110	-132,7	0,0978	0,1180	0,1291	0,1574	0,948	0,937	A A
	2	108,5	-134,1	0,0965	0,1193	0,1264	0,1588	0,949	0,9365	A A
	3	108,5	-134,1	0,0965	0,1193	0,1264	0,1588	0,949	0,9365	A A
	4	72,5	-144,2	0,0645	0,1283	0,0828	0,1719	0,967	0,931	A A
III	0	164,3	-187	0,1461	0,1663	0,1983	0,2284	0,921	0,909	A A
	1	143,3	-165,9	0,1275	0,1476	0,1719	0,2013	0,931	0,919	A A
	2	141,8	-167,5	0,1261	0,1490	0,1689	0,2041	0,932	0,918	A A
	3	145,9	-167,3	0,1298	0,148	0,1748	0,2013	0,930	0,919	A A
	4	161	-187,4	0,1432	0,1667	0,1938	0,2299	0,9225	0,908	A A
II	0	223,3	-243,6	0,1986	0,2167	0,2785	0,3095	0,889	0,8765	B B
	1	188,4	-212	0,1676	0,1886	0,2314	0,2658	0,907	0,894	A B
	2	173,7	-202,6	0,1545	0,1802	0,2101	0,2500	0,916	0,900	A A
	3	191,1	-212,2	0,1700	0,1888	0,2345	0,2658	0,906	0,894	A B
	4	220,6	-243,7	0,1962	0,2168	0,2755	0,3095	0,89	0,8765	B B
I	0	188	-204,4	0,1672	0,1818	0,2299	0,2531	0,908	0,899	A A
	1	159,3	-181,9	0,1417	0,1618	0,1923	0,2223	0,923	0,911	A A
	2	148,3	-168	0,1319	0,1494	0,1776	0,2041	0,929	0,918	A A
	3	161,7	-181,6	0,1438	0,1615	0,1953	0,2208	0,922	0,915	A A
	4	186	-204,3	0,1654	0,1817	0,2284	0,2531	0,909	0,899	A A

Vérification et Résistance à l'effort tranchant :

V_u : valeur de l'effort tranchant pour l'état - limite ultime.

b_o : largeur de l'âme.

d : hauteur utile de la poutre.

f_{e0} : limite d'élasticité des armatures

σ_a : contrainte tangente conventionnelle.

$$Z_u = \frac{V_u}{b_o \cdot d}$$

Vérification du béton (ART A 5 1.2.1):

$$\text{fissuration peu nuisible} \quad \varepsilon_u \leq \bar{\varepsilon}_u = 0,13 \times 25$$

$$\bar{\varepsilon}_u = \min(0,13 f_{c28}, 4 \text{ MPa}) = \min(0,13 \cdot 25, 4 \text{ MPa}) = \min(3,25, 4 \text{ MPa}) = 3,25 \text{ MPa}$$

determination des armatures d'âmes droites

(ART A 5, 232)

en toute section:

$$\frac{A_t}{b \cdot s_t} \geq \frac{(Z_u - 0,5 k)}{0,8 f_e}$$

condition complémentaire : (ART 5.1.2.2)

$$(7 \text{ à } 8 \text{ cm}) \leq s_t < \bar{s}_t = \min[0,9d, 40 \text{ cm}] = \min[0,9 \times 45, 40 \text{ cm}] = \min[40,5, 40] = 40,5 \text{ cm}$$

- efforts aux abords des poutres :-

Appuis Intermédiaire : (A.5.1.3.2)

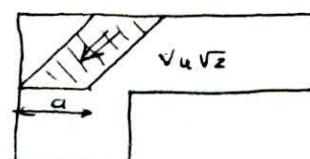
$$\frac{A_f e}{y_s} \geq V_u + \frac{M_u}{0,9 d}$$

- contrainte moyenne de compression de l'aire d'appui σ_{bc}^m

$$\sigma_{bc}^m \leq 1,3 \frac{f_{c28}}{y_b} = 21,67 \text{ MPa}$$

- compression de la bielle :-

$$\sigma_{bc} = \frac{2 V_u}{b \cdot a} \leq 0,8 \frac{f_{c28}}{y_t}$$



- vérification à la non fragilité

$$A \geq \frac{b \cdot d}{1000}$$

- Pourcentage des aciers longitudinaux (R.P.A 81) $0,3\% < A < 2,5\%$

poutre secondaire 30×50

poutre principale 30×50 $4,5 < A < 37,5$

- vérification de la flèche :-

la vérification de la flèche n'est pas nécessaire si ces trois conditions sont vérifiées

$$\frac{h}{E} \geq \frac{1}{16}$$

$$\frac{h}{E} \geq \frac{1}{10} \cdot \frac{M_E}{M_0}$$

$$\frac{A}{b \cdot d} \leq \frac{4,2}{f_e}$$

(6)

Appui simple d'about (A.5.1.3.1)

$$A \geq \frac{V_u + H}{f_c / \gamma_s}$$

H: Composante horizontale de la réaction d'appui si celle-ci est inclinée de plus de 10° au-delà de l'appui.

Vérification portique III

1^e Vérification de la non fragilité.

$$A = \frac{b \cdot d}{1000} = \frac{30 \times 50}{1000} = 1,5 \text{ cm}^2 \rightarrow \text{Vérifiée pour toutes les sections}$$

2^e Pourcentage des aciers - (RPA 81).

3^e) Vérification de la flèche $0,3\% \leq A \leq 2,5\% \rightarrow 4,5 \leq A \leq 37,5$.

$$\frac{h_t}{t} = \frac{50}{480} = 0,104 \geq \frac{1}{16} = 0,0625.$$

$$M_{t \max} = 0,95 M_0$$

$$\frac{h_t}{t} = 0,104 > \frac{1}{10} \frac{M_t}{M_0} = 0,095.$$

$$A_{\max} = 5,66 \text{ cm}^2. \quad \frac{A}{b \cdot d} = \frac{5,66}{30 \cdot 45} \leq \frac{4,2}{400} \rightarrow 4,19 \cdot 10^{-3} < 0,010$$

donc les trois conditions sont vérifiées alors le calcul de flèche n'est pas nécessaire

4^e) Conditions aux appuis:

$$V_{u \max} = 16,70 t = 167000 \text{ N.}$$

$$M_{u \max} = 19,34 t \cdot m = 193400 \text{ N.m.}$$

$$V_u + \frac{M_u}{0,9 d} = 167000 - \frac{193400}{0,9 \cdot 0,45} < 0.$$

donc aucune vérification n'est à effectuer pour la section des armatures si

$|M_{u \max}| > 0,9 d V_u \rightarrow$ alors aucune vérification n'est à faire.

pour les conditions d'appuis voir le tableau ci-après les conditions sont vérifiées pour tous les appuis.

- réaction d'appuis:

$$\sigma_{bc}^m = \frac{R_u}{e_{bo}} \leq \frac{1,3 \cdot f_{c28}}{\gamma_b} = \frac{1,3 \cdot 25}{1,15} = 28,26 \text{ MPa.}$$

R_u: réaction d'appuis maximal.

e: côté du poteau considéré

b_o: largeur de la poutre = 0,30 m.

f_{c28} = 25 MPa.

NIV	XI	X	XII	XIII	XIV	XV	XVI
appuis	1 2 3	1 2 3	1 2 3	1 2 3	1 2 3	1 2 3	1 2 3
M_u (kN.m)	50,5 74,4 94	56,3 78,2 86,8	98 101,5 145,8	132,6 136,4 172,5	162,5 193,8 193,8	193,4 198,3 214,7	141,6 131,5 129,2
V_u (kN)	22,80 31,67 35,15	41,31 42,199	37,94 41,31 42,199	110,5 126,8 122,9	50,74 59,21 53,50	56,61 67,63 56,94	81,5 82,5 25,5
0,8 d Vu	22,80 31,67 35,15	41,31 42,199	37,94 41,31 42,199	110,5 126,8 122,9	50,74 59,21 53,50	56,61 67,63 56,94	81,5 82,5 25,5

NIV	R_U (kN)	e (cm)	σ_bс
XI	141,6	0,5	0,944
X	193,8	0,5	1,292
IV	229,8	0,5	1,532
III	258,2	0,5	1,72
II	289,4	0,5	1,92
I	106,5	0,5	0,706

la condition $\sigma_{bc} \leq 28,26 \text{ MPa}$ est vérifiée.

Vérification de l'effort tranchant :-

$$Z_u = \frac{V_{u\max}}{b \cdot d} < \bar{Z}_u = \min [0,13 f_{cj}, 4 \text{ MPa}] = 3,25 \text{ MPa}$$

$$V_{u\max} = 167 \text{ kN} \Rightarrow Z_u = \frac{167 \text{ kN}}{300 \cdot 500} = 1,113 < \bar{Z}_u = 3,25 \text{ MPa}$$

vérifié

On fait le calcul pour $V_u = 167 \text{ kN}$

choisissons un cadre + 1 étrier = 4 Ø 6 = 1,13 cm² par nappe.

$$S_t \leq \frac{0,8 f_e \cdot A_t}{b_o (Z_u - 0,5)} = \frac{0,8 \cdot 400 \cdot 1,13}{30 (1,113 - 0,5)} = 19,66$$

avec

Z_u = contrainte tangente conventionnelle calculé avec V'_u réduit

A_t : section d'un cours d'armatures

s_t : espacement de 2 cours successifs.

$K = 1$ en flexion simple et sans reprise de betonnage.

$$\frac{A_t \cdot f_e}{b_o \cdot S_t} \geq \max \left(\frac{Z_u}{2}, 0,4 \text{ MPa} \right) = \max \left(\frac{1,113}{2}, 0,4 \text{ MPa} \right) = 0,55 \text{ MPa}$$

$$\underline{1,13 \times 400}$$

$$\frac{1,13 \times 400}{30 \times 15} = 1,004 > 0,55 \text{ vérifié}$$

nous avons alors $s_t = 15$

D'après le RPA 81 on doit avoir :

$$\text{à l'appui : } s_t \leq \min\left(\frac{h}{4}, 12, 30 \text{ cm}\right) = \frac{50}{4} = 12,5 \text{ cm.}$$

$$\text{en travée : } s_t \leq \frac{h}{2} = \frac{50}{2} = 25 \text{ cm.}$$

Nous adopterons finalement $s_t = 12 \text{ cm}$ en zone nodale
 $s_t = 25 \text{ cm}$ en zone courante.

Etat limite de compression du béton :-

les règles BAEL indiquent, dans les commentaires de l'article A.4.5.2 que l'on peut se dispenser de vérifier la contrainte maximal du béton pour les sections rectangulaires soumises à la flexion simple et dont les armatures sont de la classe Fe E 40, si la condition suivante est remplie :-

$$\alpha = \frac{Y}{d} \leq \frac{Y-1}{2} + \frac{f_{c28}}{100}$$

$Y = \frac{M_u}{M_{ser}}$ (rapport du moment M_u pour l'état limite ultime,

- au moment M_{ser} pour l'état limite de service).

Pour conséquemment, en pratique pour les sections considérées, nous calculerons

$$\mu = \frac{M_u}{\sigma_b c b d^2} \text{ et nous lisons, sur le tableau du chapitre}$$

la valeur de α correspondante à μ .

Z	troué	trouée					appuis					
		M _s	M _u	α	γ	$\frac{Y-1}{2} + \frac{f_{C28}}{100}$	M _s	M _u	α	γ	$\frac{Y-1}{2} + \frac{f_{C28}}{100}$	
A	0-1	2,42	3,30	0,0368	1,36	0,43	0	2,80	5,05	0,05755	1,80	0,65
	1-2	3,73	5,1	0,0575	1,36	0,43	1	4,84	7,44	0,0854	1,53	0,51
	2-3	1,60	2,17	0,0239	1,35	0,42	2	6,57	9,40	0,1099	1,43	0,46
H	0-1	2,72	3,77	0,0445	1,38	0,44	0	4,04	9,8	0,1114	2,39	0,94
	1-2	3,57	4,91	0,0562	1,37	0,43	1	4,82	10,15	0,1181	2,1	0,80
	2-3	2,83	3,92	0,0645	1,38	0,44	2	8,82	14,58	0,1748	1,65	0,57
A	0-1	2,73	6,02	0,0694	2,20	0,85	0	3,66	13,26	0,1574	3,62	1,56
	1-2	3,64	5,71	0,0654	1,56	0,53	1	5	13,64	0,1617	2,728	1,114
	2-3	2,83	3,92	0,0445	1,38	0,44	2	8,54	17,25	0,2101	2,02	0,76
E	0-1	2,71	7,67	0,0881	2,83	1,165	0	3,54	16,25	0,1953	4,59	2,04
	1-2	3,62	6,61	0,07605	1,82	0,66	1	5,17	19,38	0,2376	3,74	1,62
	2-3	2,83	3,92	0,0445	1,38	0,44	2	8,40	19,38	0,2376	2,30	0,90
H	0-1	2,76	9,74	0,1126	3,52	1,51	0	3,19	19,34	0,2376	6,06	2,78
	1-2	3,64	7,67	0,0881	2,1	0,80	1	5,62	19,83	0,2438	3,52	1,51
	2-3	2,83	3,92	0,0445	1,38	0,44	2	7,88	21,47	0,2658	2,72	1,112
H	0-1	0,58	7,04	0,0901	12,13	5,81	0	1,08	14,16	0,1689	13,11	6,3
	1-2	1,24	5,96	0,068	4,80	2,15	1	1,85	13,13	0,1560	7,09	3,29
	2-3						2	2,19	12,82	0,1517	5,85	2,67

PORTIQUE A₁, A₂

1) Vérification à la non fragilité :-

$$A \geq \frac{b \cdot d}{1000} = \frac{30 \times 50}{1000} = 1,5 \text{ cm}^2 \quad \text{Vérifiée pour toutes les sections}$$

2) Pourcentage des aciers (RPA 81) :-

$$0,3\% \leq A \leq 2,5\% \rightarrow 4,5 \leq A \leq 37,5$$

3) Vérification à la flèche :-

$$\frac{ht}{l} = \frac{50}{480} = 0,104 \geq \frac{1}{16} = 0,0625$$

$$M_E \max = 0,95 M_0$$

$$\frac{ht}{l} = 0,104 > \frac{1}{10} \cdot \frac{M_E}{M_0} = 0,095 \quad A_{\max} = 7,49 \text{ cm}^2$$

$$\frac{A}{bd} = \frac{7,49}{30 \cdot 45} = 5,54 \cdot 10^{-3} \leq \frac{4,2}{400} \Rightarrow 5,54 \cdot 10^{-3} < 0,010 \text{ vérifié}$$

donc les trois conditions sont vérifiées et le calcul de flèche n'est pas nécessaire.

4) Condition aux appuis :-

$$V_U^{\max} = 16,95 t = 169500 \text{ N}$$

$$M_U = 1317 t \cdot m = 131700 \text{ N} \cdot \text{m}$$

$$V_U + \frac{M_U}{0,9d} = 169500 - \frac{131700}{0,9 \cdot 0,45} < 0$$

donc aucune vérification n'est à effectuer pour la section des armatures. si $|M_U| > 0,9dV_U \rightarrow$ aucune vérification n'est à faire → voir le tableau ci-dessous tous les conditions aux appuis sont vérifiées pour tous les appuis.

H	II	III	IV	V	VI
5 4 3 2 1	5 4 3 2 1	5 4 3 2 1	5 4 3 2 1	5 4 3 2 1	5 4 3 2 1
204,4 181,9 169 181,6 204,3	243,6 212 202,6 212,2 243,7	169,29 169,15 154,14 169,55 169,13	68,156 68,164 62,53 68,66 68,56	44,146 44,138 44,130 44,120 44,112	30,178 30,172 30,166 37,126 11,163
143,36 125,79 58,06	143,2 143,7 58,5	57,99 58,60 50,94	36,8 36,18 33,18	28,74 30,172 30,178	29,63 11,159 12,173

Réaction d'appuis.

$$\sigma_{bc}^m = \frac{R_u}{e_{bc}} \leq \frac{1,3 \cdot f_{C28}}{\gamma_D} = \frac{1,3 \cdot 25}{1,15} = 28,26 \text{ MPa}$$

NIV	R _u (kN)	c (cm)	σ_{bc}
VI	68,95	0,30	0,766
V	172,14	0,30	1,91
IV	214,6	0,40	1,78
III	257,8	0,40	2,14
II	323,9	0,50	2,16
I	270,9	0,50	1,80

Verification de l'effort tranchant :-

$$\zeta_u = \frac{V_{u\max}}{b_0 \cdot c} < \bar{\zeta}_u = \min [0,13 + c_j, 1,4 \text{ MPa}] = 3,25 \text{ MPa.}$$

$$V_{u\max} = 169560 \text{ N} \Rightarrow \zeta_u = \frac{169560}{300 \cdot 500} = 1,13 < \bar{\zeta}_u = 3,25 \text{ MPa}$$

verifiée.

on fait le calcul pour $V_u = 167 \text{ kN}$.

choisissons un cadre + 1 etrier = $4 \phi 6 = 1,13 \text{ cm}^2$ par nappe.

$$st \leq \frac{0,8 \cdot f_e \cdot At}{b_0 (\zeta_u - 0,5)} = \frac{0,8 \cdot 400 \cdot 1,13}{30 (1,13 - 0,5)} = 19,13.$$

$$\frac{At \cdot f_e}{b_0 \cdot st} \geq \max \left(\frac{\zeta_u}{2}, 0,4 \text{ MPa} \right) = \max \left(\frac{1,13}{2}, 0,4 \right) = \max (0,565, 0,4) = 0,56.$$

$$\frac{1,13 \cdot 400}{30 \cdot 15} = 1,004 > 0,56 \quad \text{verifiée.}$$

nous aurons alors $st = 15$.

d'après le RPA 81 on doit avoir :-

à l'appui : $st \leq \min (h/4, 12\phi, 30 \text{ cm}) = 50/4 = 12,5 \text{ cm}$.

en travée : $st \leq \frac{h}{2} = \frac{50}{2} = 25 \text{ cm}$.

Nous adopterons finalement : $st = 12 \text{ cm}$ en zone nodale.

$st = 25 \text{ cm}$ en zone courante.

Ferraillage des poteaux

Suivant le CCB A 68 :-

les poteaux sont sollicités en flexion Composée (M, N) sous la sollicitation du SP₁ et SP₂, on armera avec la plus grande section d'acier calculée que ne sera pas tenu compte du flambement car :-

Méthode de calcul des armatures :-

$$\frac{L_c}{a} = \frac{3.06}{30} = 10.2 < 16.4$$

on utilise la méthode classique de pierre charon.

Dans notre cas on peut avoir 2 types de sollicitations :-

1°) Section entièrement comprimée .

2°) Section partiellement Comprimée .

pour la méthode de calcul de ferraillage symétrique voir organigramme de calcul)

- Si on trouve des section d'acier moins que les ferraillages minimal du (RPA) on adoptera les ferraillages minimal du (RPA)

Combinaison des poteaux :-

- Sollicitation du 1^e genre courante : G + 1,2 P (CCB A 68) SP₁.
- Sollicitation du 2^e genre (d'après le RPA 81).

$$\left. \begin{array}{l} \text{a)} G + Q + 1,2 SI \\ \text{b)} 0,8 G \pm SI \end{array} \right\} SP_2$$

- La combinaison [a] donne un effort normal maximal et un moment correspondant (N_{max}, M_{corr}).

- la combinaison [b] donne un effort minimum et un moment correspondant (N_{min}, M_{corr})

- on calcule l'effort normal max sous SP₂ avec le moment correspondant suivant x puis on ajoute l'effort normal sous G+P suivant y, (même chose dans l'autre sens en remplaçant x par y).

- on calcule l'effort normal minimum sous SP₂ avec le moment correspondant suivant x puis on ajoute l'effort normal sous G+P suivant y (même chose dans l'autre sens)

- on calcule l'effort normal max sous SP₁ avec le moment correspondant puis on ajoute l'effort normal sous SP₁ suivant y.

$$N_x \max (SP_2) + N_y (G+Q) \rightarrow M_x \text{ corr.}$$

$$N_x \min (SP_2) + N_y (G+Q) \rightarrow M_x \text{ corr.}$$

la même chose dans l'autre sens en remplaçant x par y.

$$N_x (SP_1) + N_y (SP_1) \rightarrow M_x \text{ corr.}$$

la même chose dans l'autre sens en remplaçant x par y.

les résultats de ces combinaisons pour les deux portiques A₁, A₂ et III sont donnés par des tableaux

SP₁SP₂

1728

Row	Column	SP ₁										SP ₂										
		Nx	Ny	NT	Mx	My	N _{xmax}	Ny	NT	M _x	N _{ymax}	Nx	NT	My	N _{minx}	Ny	NT	Mx	N _{miny}	Nx	NT	My
I	6	-1,12	-3,55	-4,67	0,66	2,50	-2,6	-3,48	-6,08	3,5	-4,74	-1,11	-5,85	5,24	0,90	-3,48	-2,58	3,63	-1,48	-1,11	-2,6	0,54
	5	-3,79	-9,21	-13	0,69	2,02	-3,57	-9,03	-13,6	7,21	-13,75	-3,75	-13,5	8,11	3,78	-9,03	-5,25	6,14	-2,6	-3,75	-6,35	3,69
	4	-6,43	-14,77	-21,2	0,66	2	-19,93	-14,5	-34,48	9,25	-25	-6,4	-31,38	9,95	10,08	-14,48	-4,4	8,24	-1,67	-6,38	-8,05	5,24
	3	-9,06	-20,26	-29,28	0,67	3,28	-31,9	-19,8	-52,7	10,6	-38,12	-8,98	-47,1	11,31	19,02	-19,8	-0,78	9,6	0,93	-8,78	-8,05	6,45
	2	-11,57	-25,43	-37	0,69	1,86	-49,25	-24,9	-74,2	13,07	-52,95	-11,5	-64,45	19,41	31,49	-24,73	6,56	16,38	5,6	-11,5	-6,18	11,22
	1	-13,70	-28,47	-42,17	0,46	0,98	-63,15	-27,97	-91,12	13,42	-63,94	-13,62	-77,56	13,02	41,98	-27,97	14,01	13,05	9,6	-13,67	-9,02	10,13
II	6	-1,95	-11,66	-13,54	0,19	3,95	-1,84	-11,40	13,24	5,81	-12,64	-1,84	-14,48	7,29	-0,95	-11,4	-12,35	5,51	-7,04	-1,84	-8,9	0,95
	5	-6,86	-24,73	-31,59	0,14	2,63	-5,98	-24,02	-30	10,71	-23,8	-6,81	-34,61	8,12	4,48	-24,02	-19,54	10,51	-13,2	-6,81	-20,4	3,3
	4	-11,87	-37,71	-49,58	0,12	2,52	-11,3	-36,55	-47,99	17,13	-44,15	-11,78	-55,93	9,56	-8,67	-36,55	-45,22	14,29	-18,24	-11,8	-30,02	4,3
	3	-16,9	-50,62	-67,52	0,08	2,85	-17,2	-49,01	-66,21	20,9	-61,45	-16,78	-38,23	10,29	-12,6	-49,01	-61,61	17,54	22,4	-16,8	-39,2	5,07
	2	-22	-63,34	-85,34	0,03	1,85	-24,6	-61,24	-85,98	27,54	-79,6	-21,85	-101,45	14,03	-14,58	-61,29	-75,87	22,97	-25,5	-21,9	-97,4	7,54
	1	-26,52	-65,87	-92,39	0,01	0,77	-31,25	-63,81	-94,96	19,94	-86,74	-26,34	-113,1	12,12	-16,4	-63,8	-80,21	16,61	-23,7	-26,4	-50,1	7,22
III	6	-2,53	-11,61	-14,4	0,16	3,84	-2,5	-11,35	-13,8	7,43	-12,6	-2,5	-15,08	7,13	-1,09	-11,4	-13,3	6,21	-7,03	-2,5	-9,53	0,6
	5	-8,1	-27,8	-35,8	0,11	1,83	-8,0	-26,9	-34,9	19,0	-30,6	-8,...	-38,6	7,2	-6,1	-26,9	-33	10,83	-14,9	-8,	-22,9	3,7
	4	-13,6	-43,84	-57,4	0,11	1,84	-13,5	-42,4	-55,8	17,3	-49,9	-13,5	-63,4	8,7	-10,31	-42,4	-52,7	14,16	-21,7	-13,5	-35,2	4,7
	3	-19,15	-59,85	-79	0,44	1,17	-19,0	-57,8	-76,8	20,6	-70	-19	-89,0	9,4	-14,53	-57,8	-72,3	17,34	-27,6	-19	-46,6	5,4
	2	-24,7	-75,7	-100,4	0,06	0,56	-24,5	-73,0	-97,5	26,9	-91	-24,5	-116,5	13,8	-18,7	-73	-91,7	22,5	-32,6	-24,5	-57	4,6
	1	-29	-78,3	-107,2	0	0,83	-29,9	-75,5	-106,4	19,6	-99,3	-28,9	-127	12,10	-22,3	-75,5	-97,8	16,3	-30,8	-28,9	-59,7	9,03
IV	6	-2,3	-9,97	-12,3	0,32	4,65	-2,8	-9,8	-12,6	7,11	-10,96	-2,8	-13,2	7,85	-1,3	-9,8	-11,0	5,42	-6,0	-2,3	-8,2	1,09
	5	-7,7	-23,07	-30,8	0,22	2,64	-8,5	-22,4	-30,9	12,9	-26,07	-7,61	-33,7	7,92	-5,06	-22,4	-27,5	10,5	-12,2	-7,6	-19,8	3,16
	4	-13,1	-36,07	-49,2	0,24	2,6	-13,45	-34,95	-48,4	17,5	-42,3	-12,97	-55,3	9,4	-9,53	-34,9	-44,5	14,12	-17,3	-13	-30,3	4,1
	3	-18,5	-49	-67,5	0,17	2,85	-17,96	-47,4	-65,4	19,9	-59,8	-19,4	-77,8	10,1	-13,7	-67,4	-61,1	17,6	-21,6	-18,4	-40,10	4,18
	2	-24,1	-61,7	-85,8	0,08	0,73	-21,14	-59,7	-80,8	27,6	-77,4	-23,9	-101,3	13,7	-16,0	-59,7	-75,7	22,0	-24,9	-23,7	-48,8	9,2
	1	-28,6	-64,24	-92,81	0,02	0,8	-25,43	-62,2	-98,2	16,6	-84,4	-112,8	11,75	-17,8	-62,2	-80,6	16,6	-23,2	-28,4	-51,6	8,9	
V	6	-1,14	-4,9	-6,0	0,69	3,46	-3,2	-4,8	-9,01	4,3	-6,0	-1,12	-7,08	6,0	0,9	-4,8	-3,9	2,51	2,41	-1,12	2,3	1,23
	5	-3,8	-12,2	-16,0	0,72	2,5	-11,8	-11,9	-23,7	8,7	-16,3	-3,8	-20,12	8,11	3,75	-11,9	-8,2	6,12	4,7	-3,8	0,9	3,13
	4	-6,5	-19,3	-25,8	0,68	2,51	-24,5	-18,8	-43,3	11,2	-29	-6,5	-35,12	9,9	10,03	-18,8	-8,8	8,23	5,03	-6,5	-1,43	4,54
	3	-9,1	-26,3	-35,4	0,68	2,5	-40,3	-25,6	-65,8	12,9	-42,7	-9,07	-51,8	11,16	18,96	-25,6	-6,7	9,6	3,8	-9,07	-5,3	5,7
	2	-11,7	-32,9	-44,6	0,49	1,6	-60,0	-32,1	-22,1	20,5	-58,3	-11,6	-69,9	14,32	31,4	-32,1	-0,7	16,4	0,73	-11,6	-10,9	10,15
	1	-18,8	-34,8	-48,6	0,49	0,48	-76,9	-34,02	-110,8	16,12	-67,6	-13,7	-41,3	11,9	11,94	-34,0	-7,7	13,03	-3,9	-13,7	-17,7	9,6

portugue

T P C E	N x y z	SP ₁					SP ₂															
		M _x	N _y	N _T	M _x	M _y	N _{xmax}	N _y	N _T	M _x	N _{ymax}	N _x	N _T	M _y	N _{min}	N _y	N _T	M _x	N _{ymin}	N _x	N _T	M _y
III A	6	-2,53	-11,6	-14,14	0,16	3,84	-2,5	-11,4	-13,85	7,43	-12,6	-2,5	15,1	7,13	-1,9	-11,4	-13,3	6,24	-7,03	-2,5	-9,5	9,58
	5	-8,06	-27,9	-35,8	0,11	1,83	-8	-27	-34,9	13	-38,6	-8,0	-38,6	2,2	-6,1	-27	-33,2	10,8	-14,9	-8	-22,9	3,69
	4	-13,60	-45,8	-57,4	0,11	1,84	-13,5	-42,4	-55,8	17,3	-49,9	-13,5	-63,4	8,8	-10,3	-42,4	-52,7	14,6	-21,7	-13,5	-35,2	6,65
	3	-19,15	-59,85	-79	0,11	1,17	-19	-57,8	-76,9	20,6	-70,04	-19	89,0	9,4	-14,5	-57,8	-72,3	17,3	-27,6	-19	-46,6	5,4
	2	-24,7	-76,7	-100,4	0,06	0,56	-24,5	-73	-97,5	26,0	-91	-24,5	-115,5	13,8	-19,7	-73	-91,6	29,5	-32,6	-24,5	-57,1	9,4
	1	-29	-78,2	-107,2	0	0,83	-28,9	-75,5	-104,4	19,6	-93,12	-28,9	-127	12,02	-22,3	-75,5	-97,8	16,3	-30,8	-28,9	-59,7	9,03
	6	-2,4	-13,3	-15,7	0,02	0,52	-2,73	-13,01	-15,7	12,2	-13	-2,32	-15,3	4,7	-1,4	-19,01	14,4	10,15	4,7	-2,3	-7,0	2,6
III B	5	-7,2	-27,7	-35,0	0	0,12	-7,8	-27	-34,7	22,4	-27,8	-7,14	-34,9	9,23	-4,7	-27,0	-31,7	18,6	7,53	-7,1	-11,7	5,5
	4	-12,13	-42,5	-54,6	0	0,4	-12,7	-41,2	-53,7	30,0	-43,8	-12	-55,8	12,24	-8,3	-41,2	-49,4	25	10,3	-1	-22,3	7,6
	3	-17,0	-57,3	-74,3	0,01	0,2	-17,6	-55,6	-73,2	35,8	-60,9	-16,9	-77,7	14,9	-11,7	-55,6	-67,3	29,8	12,6	-16,8	-29,3	9,6
	2	-21,9	-72,6	-94,4	0,04	0,44	-22,1	-70,3	-92,4	48,5	-79,3	-21,6	-100,85	18,7	-15,6	-70,3	-85,8	40,4	12,6	-21,6	-37,2	8,7
	1	-24,4	-76,8	-101,2	0	0,63	-24,3	-76,5	98,8	34,7	-86,7	-24,0	-110,7	14,6	-18,2	-74,3	-92,7	28,9	12,3	-24	-36,4	9,2
	6	-1,76	5,6	-7,4	4,3	2,86	-8,08	-5,58	13,5	11,53	-4,95	1,73	6,7	4,24	5,51	-5,51	12,04	-2,9	1,7		0,93	
	5	-8,54	-12,4	-24	2,8	1,83	-12,8	-12,1	134,9	12,07	-12,2	8,43	20,6	6,15	89	-12,1	7,43	-4,6	8,4		3,73	
III C	4	-14,12	-19	-33,1	0,06	1,93	-135,8	-18,5	154,3	10,87	-21,2	14,0	35,1	7,7	91	-18,5	9,4	-4,2	14		5,13	
	3	-19,5	-25,5	-45	0,66	1,92	-124,9	-24,8	149,7	11,2	-31,7	19,3	50,9	8,84	73,6	-24,8	8,5	-2,2	19,3		6,3	
	2	-24,9	-31,8	-56	0,86	1,5	-128,1	-30,9	159,02	22,7	-43,6	24,6	68,2	11,95	67,8	-30,9	17,7	1,47	24,6		11,2	
	1	-29,1	-33,6	-62,7	0,78	0,62	-130	-32,7	162,7	19,2	-51,4	28,8	80,23	10,2	63,2	-32,7	14,8	2,06	29		12,03	

1 PRT "FLEXION COMP SYMM" 78 → 136
 10 VAC
 20 SET F3
 30 INP "LARG", B "HAUT", H, "ENRO", D, "MOMENT",
 M, "FORCE", N
 40 INP "SIG 28", C, "COEFF DE MAJORA", X
 50 M = 1E5 * M : N = 1E3 * N : D = D / H.
 55 IF N < 0 THEN 480
 56 IF M < 0 THEN 480
 60 IF N ≠ 0 THEN 80
 70 N = 1E - 9
 80 E = 6 * M / N / H
 90 IF E / 3 ≥ 1 THEN 120
 100 F = (.25 + E / 12) * C * X
 110 GOTO 130
 120 F = .5 * C * X
 130 L = M / F / B / H / H : U = N / F / B / H
 140 IF E < 1 THEN 360
 150 P = 5 * D * (D - 1) + 6 * L + 1 / 6
 160 Q = L - 1.5 * U * (1 - 2 * D) ↑ 2 + 2 * D * (D - 1) + 11 / 27
 170 R = SQR ((Q / 2) ↑ 2 + (P / 3) ↑ 3)
 180 S = - Q / 2 + R
 190 IF S < 0 THEN 220
 200 S = S ↑ (1 / 3)
 210 GOTO 230
 220 S = - S : S = S ↑ (1 / 3) : S = - S
 230 T = - Q / 2 - R
 240 IF T < 0 THEN 270
 250 T = T ↑ (1 / 3)
 260 GOTO 280
 270 T = - T : T = T ↑ (1 / 3) : T = - T
 280 Z = S + T + 2 / 3
 290 A = (2 * N * Z - F * B * H * Z ↑ 2) / F / (60 * Z - 30)
 292 IF (1 - D) < Z THEN 360
 295 IF E * (1 + 15 * A / B / H) / (1 + 28.8 * A / B / H) ≤ 0 THEN 360
 296 PRT "SECT PART COMPRIMEE"
 297 IF A > 0 THEN 460
 300 PRT A = A ; A
 310 PRT "SIG A TRAC=" ; 15 * F * (1 - Z - D) / Z
 320 PRT "SIG A COMP=" ; 15 * F * (Z - D) / Z
 330 PRT "AXE NEUT=" ; Z * H ; CSR17 ; "CM"
 340 PRT "SIC BETON=" ; F
 350 PRT "POURCEN=" ; 200 * A / B / H
 355 GOTO 100
 360 G = 0.27 * (1 - 2 * D) ↑ 2 / U
 361 PRT "SECT TOTA COMPRIMEE"

370 $I = 0.3 * (1/U - E) - 0.9 * (1 - 1/U) * (1 - 2 * D) \uparrow 2$
 380 $J = 1/U - E - 1$
 390 $K = I \uparrow 2 - 4 * G * J$
 400 IF $K < 0$ THEN 460.
 410 $K = SQR K : A = (K - I) * B * H / 200 / G$.
 415 IF $(K - I) < 0$ THEN 460
 420 PRT "A = A' = " ; A
 430 PRT "SIG A COMP L" ; 15 * F
 440 PRT "SIG BETON =" ; F
 445 PRT "POURCENT =" ; 200 * A / B / H
 450 GOTO 10
 460 PRT "A = A' = MINIMUM"
 470 GOTO 10
 480 PRT "M, N DOIVENT ETRE ≥ 0 "
 490 GOTO 10

EFFORTS TRANCHANTS.

P _a	B _a	T _x	T _y							
I _A	6	0,142	1,53	1,70	2,52	6	0,1	1,72	4,22	3,46
	5	0,145	1,31	4,03	4,57	5	0,07	1,19	7,9	4,07
	4	0,142	1,27	5,98	5,95	4	0,07	1,20	10,83	5,12
	3	0,143	1,96	6,60	6,70	3	0,07	1,21	12,96	5,53
II _A	2	0,125	4,58	9,15	7,13	2	0,02	0,48	12,96	6,2
	1	0,130	0,58	8,16	6,95	1	0,002	0,32	13,35	5,78
	6	0,16	2,27	3,74	3,73	6	0,02	0,28	6,19	2,55
	5	0,089	1,65	7,7	4,62	5	0,001	0,07	13,66	5,53
III _A	4	0,079	1,16	10,76	5,71	4	0,001	0,01	18,80	7,62
	3	0,049	1,72	13,25	6,13	3	0,006	0,04	22,49	9,57
	2	0,041	0,729	13,17	6,43	2	0,003	0,1	23,12	8,72
	1	0,005	0,58	13,15	5,81	1	0,001	0,32	23,13	9,16
I _B	6	0,096	2	4,22	3,73	6	0,153	2	9,77	2,16
	5	0,07	1,116	7,9	4,62	5	1,45	1,12	6,50	3,45
	4	0,07	1,18	10,83	5,71	4	0,18	1,19	5,66	4,58
	3	0,07	1,96	12,96	6,13	3	0,40	1,96	7,25	5,25
II _B	2	0,02	1,37	12,86	6,43	2	0,401	1,37	8,53	5,16
	1	0,002	0,64	13,35	5,81	1	0,53	0,64	13,32	5,83
	6	0,19	2,54	4,04	3,70	6	0,153	2	9,77	2,16
	5	0,14	1,65	7,92	4,52	5	1,45	1,12	6,50	3,45
III _B	4	0,13	1,70	10,96	5,61	4	0,18	1,19	5,66	4,58
	3	0,11	1,73	13,4	6	3	0,40	1,96	7,25	5,25
	2	0,03	1,57	13,2	6,15	2	0,401	1,37	8,53	5,16
	1	0,015	0,60	13,83	5,65	1	0,53	0,64	13,32	5,83

P _a	B _a	T _x	T _y							
I _C	6	1,14	2,104	2,1	3,19	6	0,1	1,72	4,22	3,46
	5	3,83	1,62	4,9	4,65	5	0,07	1,19	7,9	4,07
	4	6,50	1,59	6,75	5,94	4	0,07	1,20	10,83	5,12
	3	9,14	1,621	7,46	6,73	3	0,07	1,21	12,96	5,53
II _C	2	11,67	0,666	9,6	6,713	2	0,02	0,48	12,96	6,2
	1	13,82	0,305	8,79	6,24	1	0,002	0,32	13,35	5,78
	6	1,14	2,104	2,1	3,19	6	0,1	1,72	4,22	3,46
	5	3,83	1,62	4,9	4,65	5	0,07	1,19	7,9	4,07

Q	g	(cm²)	(cm²)	V _A	V _B	neutreg	V _b	'6 H	A adopté	A _x	A' _x	T _a	T' _a	A.N.y	T _b	% (A)	A adopté
I A	6	5,4	5,4	3458	915	8,02	97,5	0,719	3T16 = 6,03	2,69	2,69	4085	746	6,7	90	0,36	3T16 = 6,02
	5	6,3	6,3	3993	1456	9,41	142	0,842	3T16 = 6,03	5,56	5,56	3767	1381	9,44	135	0,74	3T16 = 6,02
	4	4,1	4,1	3666	1460	12,7	127,5	0,410	2T20 + 1T16 = 8,29	3,25	3,25	3559	1468	12,93	127	0,326	2T20 + 1T16 = 8,29
	3	4,0	4,0	3177	1706	14,9	142	0,402	2T20 + 1T16	2,08	2,08	3721	1869	14,36	157	0,209	2T20 + 1T16
	2	1,9	1,9	3833	1918	17,6	154	0,152	3T20 = 9,42	1,62	1,62	4196	2159	17,94	172	0,133	3T20 = 9,42
	1	A min							3T20 = 9,42	A min	A' min						3T20 = 9,42
II A	6	6,34	6,34	3663	1292	9,26	127,5	0,846	3T16 = 6,03	5,96	5,96	2969	1070,12	9,35	105	0,795	3T16 = 6,03
	5	4,6	4,6	3798	1773	10,65	169	0,616	3T16 = 6,03	7,8	7,8	4190	1922	10,41	180	1,02	4T16 = 8,04
	4	0,85	0,84	3773	1898	14,38	159	0,084	2T20 + 1T16	7,41	7,41	4020	2051	14,48	172	0,761	2T20 + 1T16
	3	A min							2T20 + 1T16	8,2	8,2	4102	2458	15,74	202,5	0,82	2T20 + 1T16
	2	A min							3T20	7,6	7,6	3672	2398	20,38	187	0,608	3T20
	1	A min							3T20	1,8	1,8	3508	2392	20,83	186	0,149	3T20
III A	6	6,07	6,07	3666	1292	9,25	127,5	0,81	3T16	6,57	6,57	3678	1291	9,23	127,5	0,877	3T16
	5	3,26	3,26	3678	1791	10,86	165	0,435	2T20	10,7	10,7	3686	2088	11,56	180	1,42	2T20 + 2T16
	4	A min							2T20	7,61	7,61	3566,2	2088,6	15,56	172	0,762	2T20 + 2T16
	3	A min							2T20	8,02	8,02	3606	2498	16,91	202,5	0,802	2T20 + 2T16
	2	A min							2T20	5,6	5,6	3871	2596	20,17	202,5	0,468	2T20 + 2T16
	1	A min							2T20	1,41	1,41	2618	2320	23,67	177	0,12	2T20 + 2T16
IV A	6	7,32	7,32	3583	1301	9,39	127	0,977	2T20 + 1T16 = 8,29	5,96	5,96	3903	1266	8,87	127,5	0,796	3T16 = 6,03
	5	4,9	4,87	3534	1707	10,81	157,5	0,65	2T20	9,6	9,6	4147	2039	10,91	187,5	1,28	3T20
	4	0,76	0,76	3829	1888	14,23	159	0,076	3T20	7,74	7,74	3955	2057	14,63	172	0,775	3T20
	3	A min							3T20	8,78	8,78	3562	2295	16,32	187	0,879	3T20
	2	A min							3T20	7,64	7,64	3894	2384	19,7	187	0,612	3T20
	1	A min							3T20	0,381	0,381	3614	2263	19,94	177	0,023	3T20
V A	6	7,1	7,1	3004	966	8,84	97,5	0,947	2T20 + 1T16 = 8,29	3,53	3,53	3793	878	7,51	97,5	0,471	2T20
	5	5,69	5,69	4198	1533	9,41	150	0,76	2T20	7,55	7,55	3348	1527	10,52	142,5	1,008	2T20 + 1T16
	4	3,95	3,95	3380	1483	13,36	127	0,395	2T20 + 1T16	3,19	3,19	3459	1683	14,13	142	0,397	2T20 + 1T16
	3	2,68	2,68	3706	1870	14,4	157,5	0,268	2T20 + 1T16	2,2	2,2	4009	2220	15,11	184	0,22	2T20 + 1T16
	2	0,89	0,89	3333	1995	1819	150	0,072	3T20	2,16	2,16	3906	2439	19,91	191	0,173	3T20
	1	A min							3T20	A min							3T20

Porteau 6,5 - section 30x50 , 4,3 → 40x50 , 2,1 50x50

50x50
4x3
2x1
50x50.

Poteau	N°	Ax	Ax'	Ta	Ta'	A.N y	Tb'	% (A)	A adopté	Ay	Ay'	Ta	Ta'	A.N	Tb'	% (A)	A' adopté
III A	6	6,57	6,57	3669	1292	9,25	127,5	0,877	4T16 = 8,04	6,07	6,07	3666	1292	9,25	127,5	0,81	3T16 = 6,03
	5	9,8	9,79	3906	2065	11,3	187,5	1,306	2T20 + 2T16 = 10,3	6,66	6,66	1997	127,8	13,20	127,5	0,88	2T20 + 1T16 = 8,79
	4	6,9	6,9	3920	2163	15,1	180	0,686	2T20 + 1T16	Amin	Amin						2T20 + 1T16
	3	8,08	8,08	3605	2498	16,91	202,5	0,802	2T20 + 1T16	Amin	Amin						2T20 + 1T16
	2	4,98	4,98	3909	2594	20,55	202,5	0,399	3T20	Amin	Amin						3T20
	1	1,5	1,49	2618,9	2320	23,67	177	0,120	3T20	Amin	Amin						3T20
IV B	6	10,4	10,4	4194	1733	10,02	165	1,38	2T20 + 2T16 = 193	3,09	3,09	3750	1083	8,38	112,5	0,412	2T20
	5	22,01	22,01	3575	2302	12,4	202,5	2,93	5T25	5,68	5,68	3898	1866	10,72	172	0,757	2T25
	4	16,38	16,38	4662	2461	15,82	202,5	1,638	5T25	2,73	2,73	4126	2043	14,25	172	0,273	2T25
	3	23,5	23,5	3258	2526	17,85	202,5	2,34	5T25	3,9	3,9	3055	2286	17,55	183	0,388	2T25
	2	21,5	21,5	3481,6	2621	21,9	202,5	1,718	5T25	1,04	1,04	2770	2301	22,96	176	0,083	2T25
	1	11,2	11,2	3568	2615	21,61	202,5	0,896	5T25	Amin	Amin						2T25
III C	6	10,01	10,01	4131	1640	9,82	157	1,34	2T16 + 2T20 = 12,3	3,46	3,46	4004	855	7,22	97	0,463	2T20 = 6,28
	5	18,71	18,71	235	2129	24,6	161	2,49	4T25 = 19,63	3,86	3,86	3978	1357	9,10	135	0,51	2T25
	4	6,74	6,74	—	2053	—	136,9	0,674	4T25	1,66	1,66	3853	1445	12,27	127,5	0,166	2T25
	3	5,9	5,9	—	2085	—	139	0,59	4T25	2,116	2,116	1985	1480	12,52	119	0,247	2T25
	2	6,54	6,54	611	2193	37,4	158	0,524	4T25	Amin							2T25
	1	3,76	3,76	274	2074,5	41,85	148	0,301	4T25	Amin							2T25

toutes les sections sont partiellement comprimées sauf poteau III c bâmes 3 et 4 sont entièrement comprimées dans le sens X.

Suivant le BAEL 80

les poteaux sont sollicités en flexion Composée, avec un effort de compression. en principe les sections soumises à un effort normal de compression doivent être vérifiées vis à vis de l'état limite de stabilité de forme, les règles BAEL autorisent toute fois la procédure simplifiée (BAEL Art 4, 3.5) définie ci-après:-

- 1) on rappelle tout d'abord que l'élançement d'un élément de longueur l est défini par.

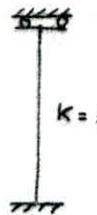
$$\lambda = \frac{Kl}{i} \quad i = \sqrt{\frac{I}{B}} \quad \text{rayon de giration.}$$

B: axe de la section du béton seul.

I : moment d'inertie de B par rapport à l'axe perpendiculaire au plan de flexion et passant par le centre de gravité de B , et K : coefficient définissant la longueur de flambement »

$\ell_F = K \cdot l$ en fonction des liaisons aux extrémités de l'élément pour section rectangulaire on a

$$\lambda = 3,46 \cdot \frac{\ell_F}{h} \quad \text{ou} \quad \lambda = 3,46 \cdot \frac{\ell_F}{B}$$



- 2) comme dans le plan de flexion

$$\lambda \leq \max [50, \min (67 \text{ cm}, 100)].$$

on effectuera le calcul suivant la direction la plus défavorable en tenant compte d'une excentricité additionnelle e de la force extérieure.

$$e_1 \geq \max (2 \text{ cm}, \ell_F / 250).$$

Les sollicitations seront majorées par les coefficients α_i donné par les formules

$$\alpha_i = 1 + 0,2 \left(\frac{\lambda}{35} \right)^2 \quad \text{si} \quad \frac{e}{h} \leq 0,75$$

$$\alpha_i = 1 + 0,15 \left(\frac{\lambda}{35} \right)^2 \cdot \frac{h}{e} \quad \text{si} \quad \frac{e}{h} > 0,75.$$

la deuxième valeur de α_i étant toute fois limitée à $\alpha_i = 1,4$.

$$N_u = N \cdot \alpha_i \quad M_u = N \cdot \alpha_i (e + e_1) = \alpha_i (M + N \cdot e_1).$$

* Comme chaque poteau est soumis à un effort normal et des moments fléchissants, les poteaux seront calculés en flexion Composée. Tous la sollicitation vis à vis de l'état limite ultime de résistance (SP_1) et la plus défavorable des sollicitations vis à vis des états limite lors des actions accidentelles (SP_2), on armera avec la plus grande section d'acier calculée.

Combinaison des poteaux

- sollicitation du 1^{er} genre $1,35 G + 1,5 P$ BAEL 80 SP,
- sollicitation du 2nd genre $G + Q + SI$ action accidentel SP_2 .

$$N_x^{\max} (SP_2) + N_y (G+Q) \rightarrow M_x \text{ corresp.}$$

$$N_x^{\min} (SP_2) + N_y (G+Q) \rightarrow M_x \text{ corresp.}$$

même chose dans l'autre sens en remplaçant x par y .

les résultats de ces combinaisons pour les deux périodes A₁, A₂ et III sont donnés par des tableaux d'après l'ordinateur.

Méthode de calcul :-

on utilise la méthode des pierres châlonnes.

Section rectangulaire partiellement Comprimée

- L'effort normal étant un effort de compression, le centre de pression c se trouve à l'intérieur de la section.
- L'effort normal étant un effort de compression, le centre de pression c se trouve à l'intérieur de la section et la condition suivante est vérifiée :-

$$N(d-d') - MA \leq (0.337h - 0.81d') b \cdot h \cdot \sigma_{bc}$$

MA = moment fictif égal au moment par rapport aux armatures tendues dans ce cas on calcule les armatures sous l'effet de MA à la flexion simple :-

soit A'_f et A_f armature déterminée à la flexion simple sous MA , les armatures A et A' de la section réel auront pour valeurs. si N est un effort de compression :

$$A' = A'_f \quad A = A_f - \frac{N}{100 \sigma_s}$$

Section rectangulaire entièrement Comprimée

- L'effort normal est un effort de compression.

- Le centre de pression c se trouve à l'intérieur de la section, on a la condition

$$N(d-d') - MA > (0.337h - 0.81d') \cdot b \cdot h \cdot \sigma_b$$

$$A'_1 = \frac{MA - (d - 0.5h) b \cdot h \cdot \sigma_{bc}}{(d-d') \sigma_2}$$

$$A'_2 = \frac{N - 100 b \cdot h \cdot \sigma_{bc}}{100 \sigma_2} - A'_1$$

σ_2 : contrainte de l'acier pour $\epsilon_s = 2 \frac{\mu}{mm}$.

Portique A, A_z

Poteaux	barres	$N_{x\max}$	N_y	N_{tot}	M_x	$N_{y\max}$	N_x	N_{tot}	M_y
I A	6	-2,86	-3,48	-6,34	3,63	-4,53	-4,11	-5,64	4,78
	5	-10,43	-9,03	-19,46	7,37	-12,96	-3,75	-16,71	7,09
	4	-21,39	-14,48	-35,87	9,40	-23,15	-6,38	-29,53	8,62
	3	-34,93	-19,8	-54,73	10,74	-35,08	-8,98	-44,06	9,74
	2	-54,86	-24,93	-76,79	17,16	-48,28	-11,50	-59,78	13,01
	1	-66,18	-27,37	-94,15	13,46	-57,94	-13,62	-71,56	10,92
II A	6	-2,28	-11,40	-13,68	5,85	-12,43	-4,84	-14,27	6,71
	5	-7,58	-24,02	-31,58	10,75	-27,17	-6,81	-33,98	7,16
	4	-12,18	-36,55	-48,73	14,50	-42,89	-11,78	-54,67	8,38
	3	-17,12	-49,01	-66,13	17,40	-59,37	-16,78	-76,15	8,97
	2	-24,13	-61,29	-85,42	22,95	-76,55	-21,85	-98,40	11,98
	1	-30,43	-63,81	-94,24	16,62	-82,92	-26,36	-109,28	10,19
III A	6	-2,50	-11,35	-13,85	6,48	-12,38	-2,50	-14,88	6,57
	5	-7,99	-26,90	-34,89	11	-39,0	-8,0	-38,0	6,29
	4	-13,48	-42,36	-55,84	14,58	-48,62	-13,50	-62,12	7,58
	3	-18,38	-57,77	-76,75	17,37	-67,99	-18,99	-86,98	8,09
	2	-24,49	-72,98	-97,47	22,48	-88,03	-24,49	-112,52	11,75
	1	-28,87	-75,51	-104,38	16,30	-94,35	-28,87	-123,22	10,12
IV A	6	-2,71	-9,76	-12,47	5,98	-10,76	-2,27	-13,03	7,29
	5	-8,36	-22,40	-30,76	10,82	-25,46	-7,61	-33,07	6,98
	4	-13,37	-34,95	-48,32	14,58	-41,10	-12,97	-54,07	8,25
	3	-18,71	-47,42	-66,13	17,31	-57,64	-18,37	-76,01	8,79
	2	-26,16	-59,69	-85,85	22,93	-74,47	-23,88	-98,35	11,65
	1	-32,44	-62,23	-94,67	16,63	-80,73	-28,36	-109,09	9,88
V A	6	-2,87	-4,78	-7,65	3,66	-5,76	-1,12	-6,88	5,55
	5	-10,48	-11,81	-22,39	7,40	-15,58	-3,80	-19,38	7,16
	4	-21,46	-18,82	-40,28	9,42	-27,02	-6,46	-33,48	8,65
	3	-35,03	-25,64	-60,67	10,75	-39,87	-9,07	-48,94	9,70
	2	-51,96	-32,10	-84,06	17,17	-53,89	-11,60	-65,49	12,08
	1	-66,29	-34,02	-100,31	13,47	-61,59	-13,73	-75,72	9,99

Portique III

Poteaux	barres	$N_{x\max}$	N_y	N_{tot}	M_x	$N_{y\max}$	N_x	N_{tot}	M_y
III A	6	-2,50	-11,35	-13,85	6,48	-12,38	-2,50	-14,88	6,57
	5	-7,90	-26,96	-34,86	11	-30,0	-8,0	-38,0	6,29
	4	-13,48	-42,36	-55,84	14,58	-48,62	-13,50	-62,12	7,58
	3	-18,98	-57,77	-76,75	17,37	-67,99	-18,99	-86,98	8,09
	2	-24,49	-72,98	-97,47	22,48	-88,03	-24,49	-112,52	11,75
	1	-28,87	-75,51	-104,38	16,30	-94,35	-28,87	-123,22	10,12
III B	6	-2,66	-13,01	-15,67	10,19	-13,01	-2,32	-15,33	4,83
	5	-7,68	-26,95	-34,63	18,64	-27,63	-7,14	-34,77	7,71
	4	-12,59	-41,18	-53,77	24,97	-43,40	-11,96	-55,36	10,19
	3	-17,49	-55,55	-73,04	29,83	-60,04	-16,77	-76,81	12,44
	2	-22,04	-70,26	-92,30	40,39	-77,76	-21,58	-99,34	15,63
	1	-24,21	-74,52	-98,73	28,89	-84,68	-24,04	-108,72	12,11
III C	6	-8,48	-5,51	-13,99	11,46	-6,52	-4,73	-8,25	5,05
	5	-103,73	-12,1	-115,83	10,34	-15,90	-8,43	-24,33	6,69
	4	-115,50	-18,47	-133,97	9,02	-26,98	-13,95	-40,90	8,30
	3	-107,28	-24,77	-132,05	9,40	-39,48	-19,26	-58,74	9,43
	2	-110,85	-30,91	-141,76	19,02	-53,47	-24,56	-78,03	12,05
	1	-113,82	-32,67	-146,49	16,10	-61,62	-28,80	-90,42	10,24

93

-16-

portique III

Poteau	Barres	N [t]	M [t-mm]	e [cm]	e [cm]	$\frac{e}{L}$	A	α_1	Nu	Mu	A = A' [cm²]
III A	6	13,85	6,48	0,467	0,02	1,55	35,29	1,13	15,65	7,63	5,60
	5	34,89	11	0,31	0,02	1,033	35,29	1,19	41,75	14	10,20
	4	55,85	14,58	0,26	0,02	0,65	26,46	1,11	61,99	17,42	6,11
	3	76,75	17,37	0,22	0,02	0,55	26,46	1,11	85,52	20,98	7,46
	2	97,47	22,48	0,23	0,02	0,46	33,63	1,18	115	28,82	5,38
III B	6	15,67	10,19	0,65	0,02	2,1	35,29	1,09	17,84	11,44	5,8
	5	34,63	18,64	0,538	0,02	1,79	35,29	1,11	38,55	21,46	22,80
	4	53,77	24,97	0,464	0,02	1,16	26,46	1,17	63,19	31,4	20,26
	3	73	29,83	0,4	0,02	1	26,46	1,11	81,03	34,73	23,77
	2	92,3	40,39	0,437	0,02	0,874	33,63	1,21	111,68	51,10	25,39
III C	6	14	13,46	0,81	0,02	2,7	35,29	1,07	15,05	12,62	11,42
	5	115,83	30,34	0,089	0,02	0,29	35,29	1,20	139,38	15,18	A min
	4	133,97	9,02	0,067	0,02	0,16	26,46	1,11	149,28	12,98	A min
	3	132,05	9,40	0,07	0,02	0,17	26,46	1,11	147,1	13,36	A min
	2	141,76	19,02	0,134	0,02	0,26	33,63	1,18	167,27	25,79	A min.

8

Armature transversal (suivant les 2 règlements) :-

les armatures transversales dans les poteaux, servent à reprendre l'effort tranchant du même, à s'opposer au flambement des armatures longitudinales et permettent le positionnement de ces dernières.

- Ecartement des armatures transversales RPA (Art 4.2.3-12).

- 1) Zone nodale : $t' = \max\left(\frac{h_2}{6}; b_1, h_1, 60\text{cm}\right)$ $t \leq \min(10\phi t, 15\text{cm})$ $\phi_t = \min\phi_t$
- 2) Zone courante : $t' \leq 12\phi t$, écartement $t = \frac{A_t \cdot h \cdot \tau_{en}}{1,25 T}$

Verification à l'effort tranchant:-

$$T_b = \frac{T}{b^2} < Z_b = 0,15 \sigma'_{28} = 40,5 \text{ kg/cm}^2.$$

T: effort tranchant qui doit être égal

- $T = 2$ fois l'effort tranchant de calcul si l'élançement mécanique dans la direction considérée est supérieur ou égal à 15

- $T = 3$ fois l'effort tranchant si l'élançement mécanique dans la direction considérée est inférieur à 15.

portique III

poteau	section	λ	$T(t)$	$Z = \frac{7}{8}h$	Z_b	A_t	$t(\text{cm})$	\bar{t}_{RPA}	$t_{\text{adopté}}$
III A	50x50	<15	13,35	43,75	18,30	4φ8	8	$t = 15\text{cm}$	$t = 8\text{cm}$
								$t' = 19\text{cm}$	
III B	50x50	<15	23,63	43,75	32,40	6φ8	7	$t = 15$	$t = 7\text{cm}$
								$t' = 19$	
III C	50x50	<15	13,32	43,75	18,26	4φ8	8	$t = 15$	$t = 8\text{cm}$
								$t' = 19$	

portique A₁, A₂

Poteau	Section	λ	$T(t)$	$Z = \frac{7}{8}h$	Z_b	A_t	$t(\text{cm})$	\bar{t}_{RPA}	$t_{\text{adopté}}$
I A	50x50	<15	9,15	43,75	12,54	4φ8	13	$t = 15$	$t = 13\text{cm}$
								$t' = 19$	
II A	50x50	<15	13,85	43,75	18,99	4φ8	8	$t = 19$	$t = 8\text{cm}$
								$t' = 19$	
III A	50x50	<15	13,35	43,75	18,30	4φ8	8	$t = 15$	$t = 8\text{cm}$
								$t' = 19$	
IV A	50x50	<15	13,83	43,75	18,96	4φ8	8	$t = 15$	$t = 8\text{cm}$
								$t' = 19$	
V A	50x50	<15	9,60	47,75	13,16	4φ8	13	$t = 15$	$t = 13\text{cm}$

FONDATIONS

- les éléments de fondations ont pour objet de transmettre aux sols, les éléments de la structure.
- le terrain destiné à la future construction ne présente à priori aucun risque d'instabilité.
- le dimensionnement de la fondation sera compatible avec la capacité portante admissible du sol donnée après reconnaissance et analyse du site d'implantation.

Capacité portante admissible donnée par les essais de laboratoires

la capacité portante est calculée à partir de la renseignements apportés par les essais penetromètre statique. Son but est de mesurer la réaction qui oppose le sol à l'enfoncement du cône. cette réaction est définie comme suit :-

$$R_p = \frac{4P}{d^2} \quad \text{ou : } P: \text{la réaction}$$

d : diamètre de la base du cône.

les résultats de ces essais sont donnés sous forme de graphiques (penetromètres) exprimant les résistances en fonction de la profondeur. d'après ces graphiques on trouve

$$R_{p \min} = 25 \text{ bars.}$$

R_p : résistance de pointe minimal.

Calcul de la Contrainte admissible ou taux de travail.

d'après les essais au penetromètre statique :

$$\alpha = \text{coeff de réduction} \quad q_{adm} = \frac{R_p}{\alpha}$$

$$\alpha = 15 \quad R_p = 25. \quad q_{adm} = \frac{25}{15} = 1,66.$$

avec un taux de travail de 1,5 bars les tassements seront acceptables pour ce présent cas étudié

Predimensionnement sous la combinaison G+p du semelle continue sous poteaux

principe de calcul :

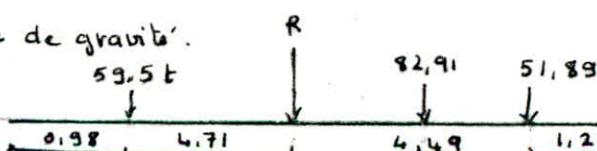
- détermination de la position du centre de gravité.
- on centre la semelle.

$$R = 194,39 \text{ t} \quad x_c = \frac{82,91 \times 5,3 + 51,89 \times 4,71}{194,39} = 4,71$$

$$L = 11,38 \quad \text{Ancrage} = 2,00 \text{ m} \quad \sigma_{sol} = 1,5 \text{ bars} = 1,53 \text{ kg/cm}^2.$$

on néglige le poids du terre et du semelle et on calcule σ_{net}

$$\sigma_{net} = \sigma_{sol} - 0,002 \cdot h = 1,53 - 0,002 \cdot 2,00 = 1,13 \text{ kg/cm}^2 = 11,3 \text{ t/m}^2.$$



$$S = \frac{N}{\sigma_{\text{sol}}} = \frac{194,39}{11,30} = 17,20 \text{ m}^2, \quad B \geq \frac{S}{L} = \frac{17,2}{11,38} = 1,51 \Rightarrow B = 2,00 \text{ m}.$$

$$ht \geq \frac{B-b}{4} + 5 = \frac{200-50}{4} + 5 = 42,5 \quad ht = 45 \text{ cm}.$$

La hauteur de la poutre semelle est 80cm.

Calcul du Semelle Sous le CCBBA 68 Sous Sp₁ (G + 1,2P)

R : résultante

$$R = 60,3 + 84,11 + 52,47 = 196,88$$

$$q = \frac{196}{11,38} = 17,30 \text{ t/m}$$

travée 1-2 M = 46 t.m

d'après méthode du charbon.

$$A = \frac{M}{\sigma \cdot E \cdot h} = \frac{46 \cdot 10^5}{2800 \times 0,9351 \times 75}$$

$$A = 23,42 \text{ cm}^2$$

$$\kappa_{ad} = 12,716 = 24,12$$

travée 2-3 M = 16,45t

$$A = \frac{16,45 \cdot 10^5}{2800 \times 0,96 \times 75} = 8,16 \text{ cm}^2$$

Vérification à l'Effort tranchant

1

$$T = 48,34 \text{ t} \quad 2 \text{ cadre} + 1 \text{ trame} \approx 8$$

$$A_t = 3,01 \text{ cm}^2$$

$$Z_b = \frac{T}{b \cdot Z} = \frac{48,34 \cdot 10^3}{60 \cdot \frac{7}{8} \cdot 75} = 12,27 \text{ kg/cm}^2$$

$$t = \frac{A_t \cdot Z \cdot \bar{\delta}_{ad}}{T} = \frac{3,01 \cdot 78 \cdot 75 \cdot 2800}{48,34 \cdot 10^3} = 11,44 \text{ cm}.$$

$$t = 11 \text{ cm}.$$

$$\text{Appuis 1)} \quad M = 8,3 \text{ t.m}$$

$$A = 4,16.$$

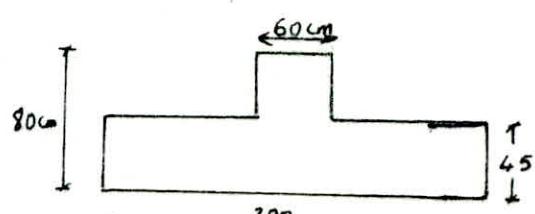
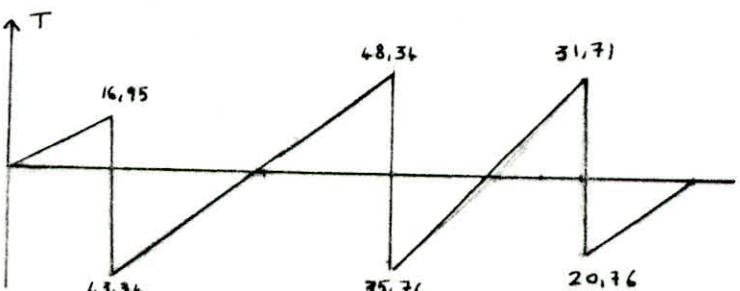
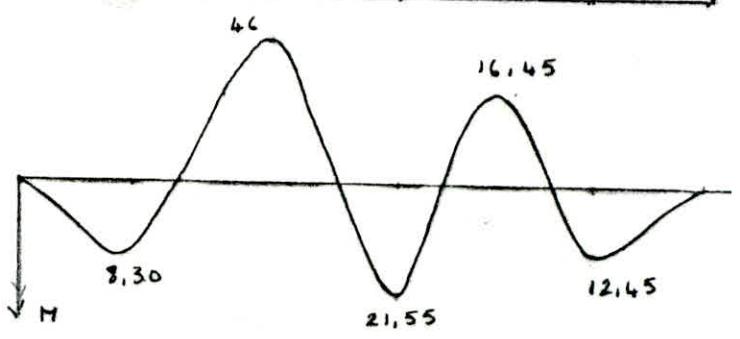
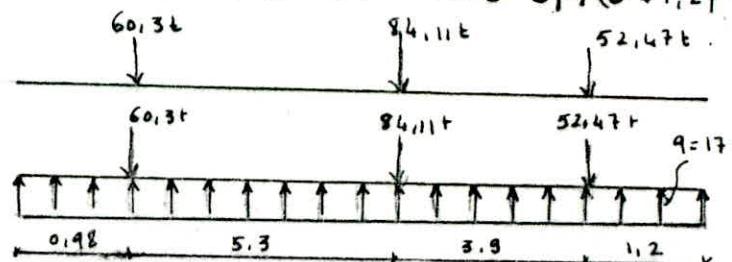
$$\text{Appuis 2)} \quad M = 21,55 \text{ t.m.}$$

$$A = 11,14 \quad 6T16 = 12,06$$

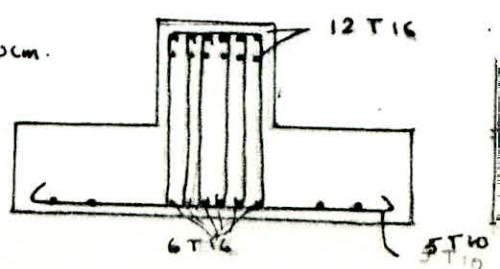
$$\text{Appuis 3)} \quad M = 12,45$$

$$A = 6,31 \text{ cm}^2$$

Armature transversal : - on connaît les contraintes dans le sol donc on peut déterminer la charge exercée sur la console de largeur 1m

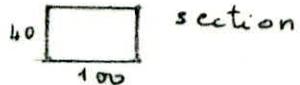


$$5T10 \quad e = 20 \text{ cm.}$$





$$M = \frac{qL^2}{2} = \frac{8.65 \cdot 0.7^2}{2} = 2.119 \text{ t.m.}$$



$$A = 2.132 \quad A_{adop} = 5 \text{ T10} \quad e = 20 \text{ cm} \quad e: \text{espacement par m\acute{e}tre lin\'eaire}$$

V\'erification de la contrainte sous SP₂:

$$83.875 \quad 114.795 \quad 91.915$$

$$+ 10.47 +$$

$$+ 12.37 +$$

$$+ 13 +$$

d'apr\`es le RPA 81: on prend la plus défavorable des combinaisons de charge

sous SP₂. La contrainte des sols de fondation ne présentant pas un risque sismique doit \^etre prise \^egale \^a la contrainte admissible pour les charges verticales normales majorée de:

30% sol meuble, 50% sol ferme.

dans notre cas 30%.

$$x = \frac{114.79 \times 5.30 + 91.91 \times 9.2}{290.57} = 5 \text{ m.}$$

poids propre de la semelle = $B \times L \times h \times \gamma_w = 91.63 \text{ t.}$

$$c_0 = 5 - 4.71 = 0.29$$

$$M_t = 290.57 \times 0.29 + 10.47 + 12.37 + 13.02 = 120.1 \text{ t.m.}$$

$$e = \frac{M_t}{N_f} = \frac{120.125}{381.57} = 0.31$$

$$N_f = 290.57 + 91 = 381.57$$

$$\sigma_1, \sigma_2 = \frac{N_f}{B \times L} \left(1 \pm \frac{6c}{L} \right)$$

$$\sigma_1 = \frac{381.57 \cdot 10^3}{1138 \cdot 200} \left(1 + \frac{6 \cdot 31}{1138} \right) = 1.95$$

$$\sigma_2 = \frac{381.57 \cdot 10^3}{1138 \cdot 200} \left(1 - \frac{6 \cdot 31}{1138} \right) = 1.40$$

$\sigma_1, \sigma_2 < 1.5 \cdot 1.02 \cdot 1.3 = 2 \text{ kg/cm}^2$ est v\'erifi\'e.

Calcul du Semelle sous le BAEL

Combinaison \^etudi\'ee: 1,35 G + 1,5 P.

on a le m\^eme pr\'edimensionnement que sous la comb G + P
on calcule le ferraillage sous 1,35 G + 1,5 P..

$$R = 77.37 + 109.24 + 66.89 = 253.5 \text{ t}$$

$$q = \frac{R}{L} = \frac{253}{11.38} = 22.27 \text{ t/m.}$$

Appuis 1

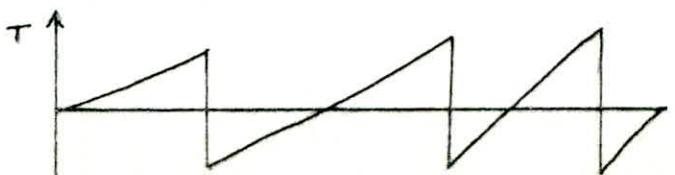
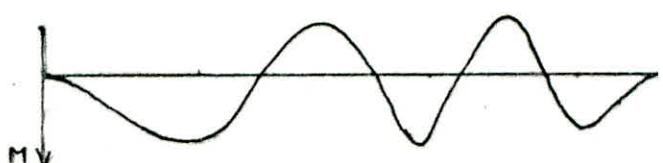
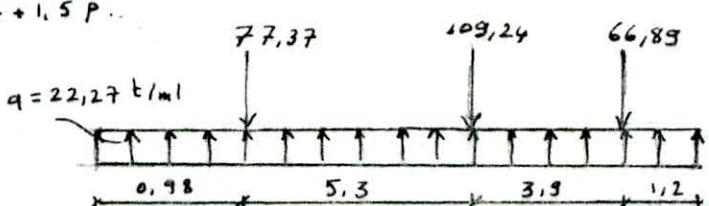
$$M = 108.9 \text{ KN.m.}$$

$$A = \frac{108900}{0.989 \cdot 75.348} = 4.21 \text{ cm}^2$$

Appuis 2

$$M = 291 \text{ KN.m.}$$

d'apr\`es la m\'ethode du chavon au BAEL 80 on calcule pour une section rectangulaire M et d et B.



$$\mu = \frac{M}{\bar{\sigma}_b \cdot b \cdot d^2} = \frac{291000}{14,2 \cdot 60 \cdot 75^2} = 0,06 \quad \alpha = 0,0774 \quad \beta = 0,969$$

$$A = \frac{M}{B d \bar{\sigma}_s} = \frac{291000}{0,969 \cdot 75 \cdot 348} = 11,50$$

$$A_{adop} = 6T16 = 12,06$$

Appuis 3

$$M = 160 \text{ KN.m.} \quad \mu = \frac{160000}{14,2 \cdot 60 \cdot 75^2} = 0,033 \quad \alpha = 0,0432 \quad \beta = 0,983$$

$$A = \frac{160000}{0,983 \cdot 75 \cdot 348} = 6,23 \text{ cm}^2$$

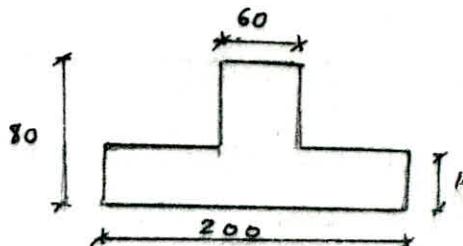
travee 2-3

$$M = 201 \text{ KN.m.} \quad \mu = \frac{201000}{14,2 \cdot 60 \cdot 75^2} = 0,0419 \quad \alpha = 0,0536 \quad \beta = 0,979$$

$$A = \frac{201000}{0,979 \cdot 75 \cdot 348} = 7,86 \text{ cm}^2$$

Acier FeE40 type 1 $y_s = 1,15$

$$f_c 2.8 = 25 \text{ MPa.} \quad \bar{\sigma}_b = 14,2 \text{ MPa.}$$



travee 1-2

$$M = 582,5 \text{ KN.m.} \quad \text{on prend section en T.}$$

$$\text{on calcule: } \bar{\sigma}_b \cdot b \cdot h_b (\alpha - \frac{h_0}{2}) = 14,2 \times 200 \times 40 (75 - \frac{40}{2}) = 6248000.$$

$$M = 582500 < 6248000.$$

donc l'axe neutre tombe dans la table, on calcule comme section en T

$$\mu = \frac{M}{\bar{\sigma}_b \cdot b \cdot \alpha l^2} = \frac{582500}{14,2 \cdot 200 \cdot 75^2} = 0,0364 < \mu_t = 0,392$$

tableau du charbon: $\alpha = 0,0459 \quad \beta = 0,982$

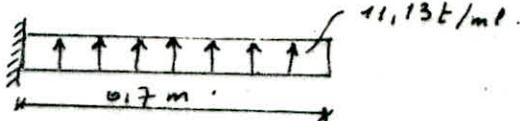
pivot A $\alpha < 0,2593$

$$A = \frac{M}{B \bar{\sigma}_s \alpha l} = \frac{582500}{0,98 \cdot 75 \cdot 34,8} = 22,77 \text{ cm}^2$$

$$A_{adop} = 12T16.$$

Armature transversale:-

$$M = \frac{q l^2}{2} = \frac{11,13 \cdot 0,7^2}{2} = 2,726.$$



$$\mu = 0,0140 \quad \alpha = 0,0176 \quad \beta = 0,993 \quad A = 2,132 \text{ cm}^2.$$

$$A_{adop} = 5T10 \quad c = 20 \text{ cm.}$$

Comparaison de deux règlements CCBAG8 - BAEL 80

Méthode de comparaison

on calcule la somme des sections d'acières dans un élément de construction qu'on a déjà calculé puis on la divise sur le nombre de sections pour trouver A_{moy}

$$A_{moy} = \frac{\sum A_i}{n}$$

Calcul des sections moyennes

poutrelle

Poutrelle	$A_{moy} (cm^2)$		pourcentage
	CCBAG8	BAEL 80	
terrasse	0,731	0,742	BAEL 1,48 % plus que CCBAG8
étage courant	0,641	0,657	BAEL 2,43 % plus que CCBAG8
Balcon étage courant	0,856	0,861	BAEL 0,58 % plus que CCBAG8
Balcon terrasse	0,724	0,746	BAEL 2,95 % plus que CCBAG8

pour le poutrelle en général : le BAEL conduit à une consommation d'acier de 2 % plus élevée que le CCBAG8.

poutre

partique III.

NIV	$A_{moy} (cm^2)$		pourcentage
	CCBAG8	BAEL 80	
VI	3,36	3,1	CCBA 7 % plus que BAEL
V	4,30	4,15	CCBA 3,48 % plus que BAEL
IV	5,05	5,16	BAEL 2,52 plus que CCBA
III	6,35	6,12	CCBA 3,62 % plus que BAEL
II	6,95	6,9	CCBA 0,72 % plus que BAEL
I	5,83	5,51	CCBA 5,48 % plus que BAEL

en général le CCBA conduit à une consommation d'acier de 3 % plus que le BAEL.

partique A₁, A₂

NIV	$A_{moy} (cm^2)$		pourcentage
	CCBAG8	BAEL 80	
VI	3,36	3,1	CCBA 7 % plus que BAEL
V	4,30	4,15	CCBA 3,48 % plus que BAEL
IV	5,03	5,16	BAEL 2,52 plus que CCBA
III	6,35	6,12	CCBA 3,62 % plus que BAEL
II	6,95	6,9	CCBA 0,72 % plus que BAEL
I	5,83	5,51	CCBA 5,48 % plus que BAEL

Le CCBA consomme 2 % plus d'acier que le BAEL

poteau

portique A₁, A₂

NIV	A moy (cm ²)		pourcentage
	BAEL	CCBA 68	
I A	3,502	3,04	BAEL 8% plus que CCBA
II A	7,36	7,39	BAEL = CCBA
III A	7,05	7,69	CCBA 8% plus que BAEL
IV A	7,43	7,87	CCBA 5,6% plus que BAEL
V A	3,048	3,72	CCBA 18% plus que BAEL

en general le CCBA consomme 4,58% plus que le BAEL

portique III

NIV	A moy (cm ²)		pourcentage
	BAEL	CCBA	
III A	7,05	7,25	CCBA 2,75% plus que BAEL
III B	20,40	18,75	BAEL 8% plus que CCBA
III C	11,42	10,01	BAEL 12% plus que CCBA

le BAEL consomme 7% en plus que le CCBA

Semelle

d'après le calcul de la section moyenne on a trouvé .

suivant CCBA ;

$$A \text{ moy} = 17,28 \text{ cm}^2.$$

suivant BAEL :

$$A \text{ moy} = 17,13.$$

le CCBA et le BAEL consomment le même acier .

Flexion simple :

les exposés qui précédent montrent, malgré les simplifications que avons apporté au calcul des aciers, que les règles de BAEL sont d'un maniement beaucoup plus lourd que les règles CCBA 68 qui permettent par simple division de donner sections d'acières nécessaires, ce qui permettent par simple division de donner les sections d'acières nécessaires, ce qui, sur un chantier, lorsqu'on a un besoin immédiat du résultat est très pratique .

flexion Composée :-

il montre clairement que pour des poteaux très chargés, les BAEL conduisent à une économie d'armatures d'autant plus sensible que le poteau est plus gros et la forme allongée et ce pour un poteau intérieur.

pour les poteaux de façade ou d'angle, il est bien évident que la différence sera encore plus importante

par contre, pour des poteaux faiblement chargés, la conclusion est inversée

Conclusion :-

Il ressort de tout ce qui précède que, globalement, les deux règlements conduisent à la même consommation d'armature .

Accrotière

L'accrotière est assimilé à une console encastrée dans le plancher terrasse. La section dangereuse est au niveau d'enca斯特rement. On assimile notre accrotière à une section simple rectangulaire pour 1 bande de 1m.

Hauteur = 60 cm Largeur $b = 100$ cm Epaisseur $e = 10$ cm.
On distingue les effets suivants

$$G = 0,6 \cdot 0,1 \cdot 2,5 = 0,15 \text{ t/ml}.$$

$$P = 0,1 \text{ t/ml}.$$

P: surcharge due à l'application de la main courante notre console se calcule en flexion composite

Suivant CCBA

$$N = G = 0,15 \text{ t/ml} \times 1 = 0,15 \text{ t}$$

$$M = 1,2 \cdot 0,1 \cdot 0,6 = 0,072 \text{ t.m.}$$

On utilise la méthode du piétre charron on trouve $A = 0,3 \text{ cm}^2$

Suivant BAEL

$$N = G = 1,35 \cdot 0,15 = 0,2 \text{ t}$$

$$M = 1,5 \cdot 0,1 \cdot 0,6 = 0,09 \text{ t.m.}$$

On utilise la méthode du piétre charron on trouve $A = 0,288 \text{ cm}^2$.

Escalier

Caractéristique :-

Marche : 30 cm.

contre marche : 17 cm.

Emmarchement : 110 cm.

paillasson : 15 cm.

L'escalier se compose d'une paillasson de 240 m de longueur et de 2 paliers.

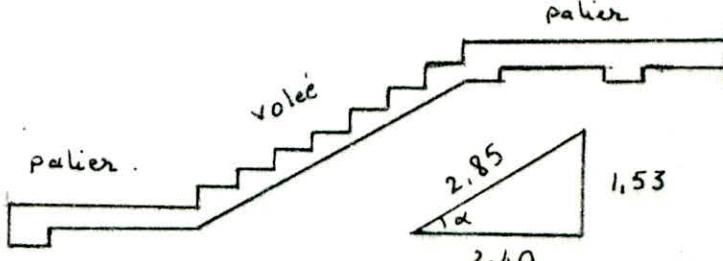
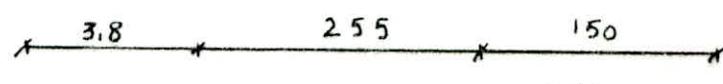
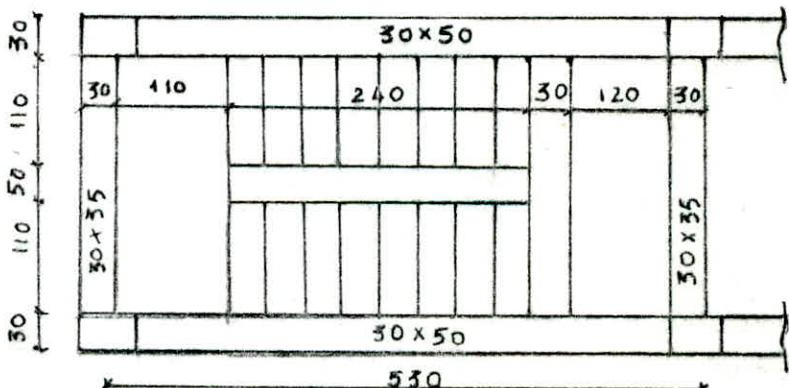
1 palier courant et 1 palier intermédiaire. à chaque étage l'escalier aboutit à un palier d'arrivée qui est en même temps un palier de départ

les dimensions des marches et contremarches doivent vérifier la condition de Bétonnel.

$$g > h$$

$$0,59 \leq g + 2h \leq 0,64$$

où $\begin{cases} h: \text{hauteur de contre marche} \\ g: \text{Largeur d'une marche.} \end{cases}$



$$\cos \alpha = \frac{2,40}{2,85} = 0,842$$

$$\alpha = 57,35^\circ$$

on a 8 marches avec $g = 30 \text{ cm}$.

- on a 9 contremarches avec $h = 17 \text{ cm}$ donc $\left\{ \begin{array}{l} g = 30 \text{ cm} \rightarrow h = 17 \text{ cm} \\ 0,59 \leq 0,64 \leq 0,66 \end{array} \right.$ vérifié
 les marches n'interviennent pas dans la résistance on les considère comme charges uniformément réparties sur la paillassé.
 - on calcule les charges et surcharges par : mètre de projection horizontale et par 1 mètre d'emmarchement

$$\text{le poids de la paillassé... } e = \frac{2500 \cdot e}{\cos \alpha} = 0,445 \text{ t/m}^2$$

$$\text{le poids des marches de hauteur } h \dots = \frac{2500 \cdot h}{2} = \frac{2500 \cdot 0,17}{2} = 212,5 \text{ daN/m}^2$$

$$\text{la surcharge} \dots S = 1 \dots 250 = 250 \text{ daN/m}^2$$

a) volée :

$$\text{surcharge} = 250 \text{ daN/m}^2$$

$$\text{paillassé} = 445 \text{ daN/m}^2$$

$$\text{marche} = 212,5 \text{ daN/m}^2$$

$$\text{carrelage} = 120 \text{ daN/m}^2$$

$$P = 0,250 \text{ t/m}^2$$

$$G = 0,752 \text{ t/m}^2$$

b) paliers

$$\text{surcharge} = 250 \text{ daN/m}^2$$

$$\text{palier} = 2500 \times 0,15 = 375 \text{ daN/m}^2$$

$$\text{carrelage} = 120 \text{ daN/m}^2$$

$$P = 250 \text{ daN/m}^2$$

$$G = 495 \text{ daN/m}^2$$

CCBA 68

$$q = G + 1,2P$$

$$q = 1,08 \text{ t/ml}$$

$$q = 0,8 \text{ t/ml}$$

on a utiliser la méthode de cross pour calculer l'effort tranchant et le moment fléchissant sur appuis

$$M = 0,975 \text{ d'après Charron } A = 3,15 \text{ cm}^2 \rightarrow A = 7T8 = 3,51 \text{ Arm supérieur en travée}$$

$$M = 1,49 \text{ d'après Charron } A = 4,92 \text{ cm}^2 \rightarrow A = 7T10 = 5,49 \text{ Arm inférieur}$$

BAEL 80

$$1,35G + 1,5P$$

$$1,35(0,752) + 1,5(0,25) = 1,4 \text{ volé}$$

$$1,35(0,495) + 1,5(0,25) = 1,063 \text{ palier}$$

sur appuis

$$M = 1,762 \text{ d'après Charron } A = 4,42 \text{ cm}^2$$

$$\text{en houssée } M = 1,722 \text{ d'après Charron } A = 4,31 \text{ cm}^2$$

$$q = 5,344 \text{ t/ml}$$

poutre palier :

$$T_2 = R_2 = 5,084 \text{ t/ml}$$

$$\text{poids du poutre palier} = 0,26 \text{ t/ml. } \} q = 5,344$$

$$M_0 = \frac{qR_2}{8} = \frac{5,344 \cdot 2,7^2}{8} = 4,87 \quad h_t = 35 \text{ cm} \rightarrow h = 32 \text{ cm.}$$

$$M_0 = 4,87 \text{ d'après Charron } A = 4,64 \text{ cm}^2$$

