

31/81

UNIVERSITÉ DES SCIENCES ET DE LA  
TECHNOLOGIE D'ALGER

105

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE  
DEPARTEMENT GENIE CIVIL

المدرسة الوطنية للعلوم والتكنولوجie

— — — — —

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE  
BIBLIOTHÈQUE

## Projet de fin d'études

crèche d'enfants.

PROPOSÉ PAR :

GASORAL

ETUIDIÉ PAR :

SAAD. H

DIRIGÉ PAR :

Mr: BEN MOUHOUB

PROMOTION JUIN 1981

UNIVERSITÉ DES SCIENCES ET DE LA  
TECHNOLOGIE D'ALGER

ECOLE NATIONALE POLYTECHNIQUE  
DEPARTEMENT GENIE CIVIL

**Projet de fin d'études**

**Crèche d'enfants.**

PROPOSÉ PAR :

CASORAL

ETUDIÉ PAR :

SAAD. H

DIRIGÉ PAR :

Mr: BEN MOUHOUB

PROMOTION JUIN 1981

## DEDICACES

Je dedie l'modeste travail :

- A la memoire de ma mere .
- A mon Père
- A mes frères , A mes soeurs , en leur souhaitant tout le bonheur possible .
- A mes parents .
- A mes amis .
- A toutes les innocentes victimes de la guerre au LIBAN

## REMERCIEMENTS

• Je remerci , mon promoteur M<sup>E</sup> BEN MOUHOUB pour ses conseils judicieux ; M<sup>E</sup> ABOU HACHICH pour son aide , et tous les membres du bureau d'études de la CASORAL

Je remerci L'U.J.D.L . pour son appui et son amabilité .  
Tous les professeurs qui ont contribué à ma formation trouvent ici l'expression de ma profonde reconnaissance .

## TABLE DES MATIERES

---

	Pages
· Présentation	1
· Caractéristiques mécaniques des matériaux	2
· charges et sur charges	5
· Calcul des éléments	7
· Acrotère	7
· encorbellement	9
· Escalier	11
· poutrelles terrasse	26
· dalle de compression	31
· poutrelles étage	34
· EFFORTS dans les poutres du plancher-terrasse	39
.. .. chainages ..	43
· EFFORTS dans les poutres du plancher étage	47
.. .. poutres chainages ..	51
· Exposé de la méthode de CLAPPEYRON	52
· Etude au séisme	54
· Détermination des coefficients sismiques	54
· Forces sismiques horizontales	55
· Ferrailage des éléments du plancher-terrasse	57
· dalle pleine	57
· Poutres principales	60
· poutres chainages	68
· Ferrailage des éléments du plancher étage	72
· dalle pleine	72
· poutres principales	76
· poutres chainages	86
· Calcul et ferrailage des longrines	88
· Longrines transversales de rive	89
· longitudinales	91
· transversales intérieures	94
· Ferrailage des poteaux	96
· Armatures longitudinales	96
· Armatures transversales	102
· Poteaux de l'escalier	104
· Fondations	105
· Exposé de la méthode (Semelles isolées sous poteaux)	105
· Dimensionnement et ferrailage des semelles	107
· BIBLIOGRAPHIE	108

## PRESENTATION

Notre projet consiste à étudier les éléments résistants d'une crèche d'enfants qui sera implantée à TEBESSA ; zone de faible intensité sismique in <7.

### CARACTERISTIQUES DU BATIMENT

- Il est de forme rectangulaire (22x19,2 m<sup>2</sup>)

- Hauteur totale 6,60 m

- Ancre dans le sol à 2,50m

Les planchers seront constitués d'une part de corps creux et une dalle de décompression (16+4) reposante sur des poutrelles préfabriquées sur chantier d'autre part d'une dalle pleine de (20 cm) d'épaisseur.

Le plancher terrasse aura une isolation thermique, hydrofuge, une chape de protection, par vapeur, de forme de pente pour l'écoulement des eaux pluviales, échancrette multicoches et une protection lourde en gravillons.

### OSSATURE :

est constitué par des poutres et des poteaux qui assure un bon contreventement.

### Taux de travail du sol :

La contrainte du sol où sera implanté notre bâtiment.

$$\bar{G}_s = 2 \text{ bars}$$

### Escalier :

le bâtiment comporte un escalier extérieur qui est constitué par deux paillasses appuyées simplement sur la poutre palier d'une part et sur la poutre charge d'autre part, dont le palier est monté en porte à faux par rapport à la poutre palier.

### Maçonnerie :

#### murs extérieures :

- cloison en briques creuses de 15 cm

- vide d'air 15 cm

- cloison en briques creuses 10 cm

#### murs intérieurs :

- cloison de séparation en briques creuses de 10 cm

### Revêtement :

- en céramique dans les salles d'eau

- carrelage pour les planchers des pièces

- plâtres pour les murs et plafonds.

# CARACTERISTIQUES MECANIQUES DES MATERIAUX

## BETON

Le béton est dosé à 350 Kg/m<sup>3</sup> de C.P.A. 325

800 l de gravillons.

400 l de sable

175 l d'eau.

Résistance nominale de compression à 28 jours  $\bar{\sigma}'_n = \bar{\sigma}'_{28} = 270 b = 275 \text{ kg/cm}^2$

" " traction "  $\bar{\sigma}_n = \bar{\sigma}_{28} = 23,2 b = 23,6 \text{ kg/cm}^2$

Contrainte admissible en compression simple (C.C.B.A. 68 art 9.4)

$$\sigma'_b = \rho'_b \cdot \bar{\sigma}_n \quad \text{avec } \rho'_b = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \delta \cdot \varepsilon$$

$\alpha$ : dépend de la classe du ciment : C.P.A. 325  $\rightarrow \alpha = 1$

$\beta$ : dépend de l'efficacité du contrôle exercé sur la qualité du béton mis en œuvre

$\gamma$ : 5/6 (Contrôle attenué)

$\gamma$ : dépend des rapports relatives  $f_m$  des éléments et des dimensions des granulats  $c_g$

$\gamma = 1$  pour  $f_m > 4c_g$ . ( $c_g$  étant la grosseur du granulat).

$\delta$ : dépend de la nature de la sollicitation.

$\delta = 0.3$  en compression simple

: 0.6 flexion simple

= 0.6 en flexion composée qd l'effort normal est une traction

= min { 0.6,  $0.3(1 + \frac{e_0}{3e_1})$  } qd l'effort normal est une compression

$e_0$ : excentricité des forces extérieures / centre de gravité de la section

$e_1$ : rayon vecteur du noyau central de la section du béton et le plan radial

$\varepsilon$ : dépend de la forme de la section et de la nature de la sollicitation.

$\varepsilon = 1$  en compression simple.

$0.5 \leq \varepsilon \leq 1$  dans les autres cas.

$$\text{Donc: } \bar{\sigma}'_b = 1 \times \frac{5}{6} \times 1 \times 0.3 \times 1 \times 270 = 67.5 b = 68 \text{ kg/cm}^2 \text{ sous SP}_1.$$

$$\bar{\sigma}'_b = 1.5 \times 67.5 = 101.3 b = 103.3 \text{ kg/cm}^2 \text{ sous SP}_2.$$

### Contrainte admissible en flexion simple

$$\bar{\sigma}'_b = 1 \times \frac{5}{6} \times 1 \times 0.6 \times 1 \times 270 = 135 b = 137.7 \text{ kg/cm}^2 \text{ sous SP}_1$$

$$\bar{\sigma}'_b = 1.5 \times 135 = 202.5 b = 206.55 \text{ kg/cm}^2 \text{ sous SP}_2.$$

### Contrainte de référence en traction (C.C.B.A. 68 art 9.5)

$$\bar{\sigma}_b = \rho_b \cdot \bar{\sigma}_n \quad \text{où } \rho_b = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \theta.$$

$\alpha, \beta, \gamma$ ; ont les mêmes significations et valeurs que précédemment.

$$\theta = 0.018 + \frac{2.1}{270} \quad (\bar{\sigma}'_n = \bar{\sigma}'_{28})$$

$$\theta = 0.018 + \frac{2.1}{270} = 0.0258$$

$$\bar{\sigma}_b = 1 \times \frac{5}{6} \times 1 \times 0.0258 \times 270 = 5.8 b = 5.9 \text{ kg/cm}^2.$$

## Recapitulation

	$\bar{\sigma}'_{b_0}$	$\bar{\sigma}'_b$	$\bar{\sigma}_b$
SP <sub>1</sub>	69	137,7	5,9
SP <sub>2</sub>	103,3	206,55	8,95

## Module de déformation du béton

### - Module de déformation longitudinale

- dans le cas des charges instantanées (temp d'application de la charge est < 24 h)

$$E_i = 2100 \sqrt{\sigma'_j} \quad (\text{C.C.B.A 68 art 9.61})$$

$\sigma'_j$  : résistance du béton à l'âge de  $j$  jours en bars.

- pour des charges de longues durées d'application :

$$E_v = 7000 \sqrt{\sigma'_j}$$

$\sigma'_j = 1,2 \bar{\sigma}'_{28}$  béton à base de ciment 32.5

$\sigma'_j = 1,1 \bar{\sigma}'_{28}$  " " supérieure.

### - Module de déformation transversale:

$$G = \frac{E}{2(1+\nu)} \quad ; \quad \nu = 0.15 \quad (\text{coeff. de Poisson})$$

## Contrainte de traction et condition de fissuration du béton (C.C.B.A 68 art 49)

La valeur maximale de la contrainte des armatures est limitée à la plus grande des valeurs :

$$\left\{ \begin{array}{l} \sigma_1 = \frac{k_n}{\phi} \frac{\bar{\sigma}_p}{1+10\eta_p} \\ \sigma_2 = 2,4 \sqrt{\frac{k_n}{\phi} \bar{\sigma}_b} \end{array} \right. \quad \text{: contrainte de fissuration systématique}$$

contrainte de fissuration non systématique

$\eta$  : coeff. de fissuration

= 1 Ronds lisses.

= 1.6 H.A.

$\phi$  : diamètre nominal en (mm) de la plus grosse des barres tendues

$\eta_p = \frac{A}{B_p}$  section des barres tendues

$B_p$  section d'enrobage des barres tendues.

$k = 10^6$  fissuration préjudiciable.

$1.5 \cdot 10^6$  " peu nuisible

$0.5 \cdot 10^6$  " très préjudiciable.

## Coefficient d'équivalence

La C.C.B.A. 68 fixe pour le béton  $n=15$ .

## ACIER

Les aciers utilisés pour le béton armé sont de 3 sortes :

### Aciers doux:

Ronds lisses de nuances Fc E 24  $\bar{\sigma}_{en} = 2350 \text{ b} = 2400 \text{ kg/cm}^2$ .

sous SP<sub>1</sub> :  $\bar{\sigma}_a = \frac{2}{3} \bar{\sigma}_{en} = 1600 \text{ kg/cm}^2$

Aciérs à haute adhérence

La haute adhérence est obtenue par des nervures en saillie sur le corps de l'armature.

Nuance Fe E40  $\sigma_{en} = 4120 \text{ b pour } \phi \leq 20 \text{ mm}$

$\sigma_{en} = 3920 \text{ b pour } \phi > 20 \text{ mm}$

sous  $SP_1$  :  $\bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$

sous  $SP_2$   $\bar{\sigma}_a = 4200 \text{ kg/cm}^2$

Treillis

Les treillis soudés sont des grillages en fils serrés, se croisant perpendiculairement et soudés électriquement à leurs points de croisement.

$\varnothing (\text{mm})$	$\sigma_{en}$ ou $\sigma_{en}$	
	bars	$\text{kg/cm}^2$
$\varnothing \leq 6$	5200	5300
$\varnothing > 6$	4410	450

SOLLISITATIONS

pour les justifications de calcul relatives à l'équilibre statique à la résistance et à la stabilité de forme, on prend en compte les sollicitations totales pondérées définies ci-dessous :

G : charges permanentes

P : surcharges d'exploitation

V : surcharges climatiques normales

W : " " extrêmes

T : " dues aux effets de la température et au retrait

S<sub>1</sub> : " dues aux séismes .

Sollicitations totales pondérées du 1<sup>e</sup> genre ( $SP_1$ )

$$S_1 = G + 1,2 P + T$$

$$S'_1 = G + P + V + T$$

Sollicitations totales pondérées du 2<sup>e</sup> genre ( $SP_2$ )

$$S_2 = G + 1,5 P + 1,5 V + T$$

$$S'_2 = G + P + \gamma_w W + T$$

$$S''_2 = G + P + T + S_1$$

$\gamma_w$  est calculé d'après la formule :

$$\gamma_w = 1,1 - 0,5 \frac{(P_{\text{max}})}{G} \quad \text{si } P_{\text{max}} < 0,2 G$$

$\gamma_w = 1$  dans le cas contraire

$P_{\text{max}}$  étant les sollicitations maximales développées par les surcharges pesantes d'exploitation

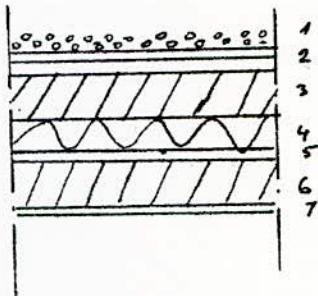
N.B : vu la hauteur de notre bâtiment et son poids, on considérera la sollicitation du 1<sup>e</sup> genre pour le calcul des efforts.

## CHARGES ET SURCHARGES

### CHARGES PERMANENTES

#### \* Plancher terrasse. (corps creux)

(1) protection lourde de gravillons (15cm) . . . . .	225 kg/m <sup>2</sup>
(2) étanchéité multicouche . . . . . 1cm . . . . .	6 kg/m <sup>2</sup>
(3) forme de pente . . . . . 10cm . . . . .	200 kg/m <sup>2</sup>
(4) isolation thermique . . . . . 15 cm . . . . .	60 -
(5) pare vapeur . . . . .	2
(6) Hourdi + table . . . . . (16+4) . . . . .	265 kg/m <sup>2</sup>
(7) enduit en plâtre . . . . . 1,5cm . . . . .	15 kg/m <sup>2</sup>



$$G_1 = 803 \text{ kg/m}^2$$

plancher terrasse ( dalle pleine )  $\epsilon = 20 \text{ cm}$

$$G_2 = 1038 \text{ kg/m}^2$$

#### \* \* Acrotière

épaisseur	12 cm
hauteur	55 cm
largeur	100 cm
	$q = 165 \text{ kg/m}^2$

#### \* \* \* Plancher étage ( dalle pleine )

Carrelage granito . . . . .	55 kg/m <sup>2</sup>
Mortier de pose . . . . .	50 -
enduit de ciment . . . . . 1,5 cm . . . . .	30 -
- sable . . . . . 3 cm . . . . .	55
- dalle en béton . . . . . 20 cm . . . . .	500 kg/m <sup>2</sup>
- enduit en plâtre . . . . . 1,5 cm . . . . .	15

$$G'_2 = 705 \text{ kg/m}^2$$

Plancher étage (corps-creux) :

$$G'_1 = 470 \text{ kg/m}^2$$

#### Terrasse accessible

grainito . . . . .	2,5 - - - - .	55 kg/m <sup>2</sup>
mortier de pose . . . . .	- - - - -	50 kg/m <sup>2</sup>
enduit de ciment . . . . . 1,5 . . . . .	30 -	
- sable . . . . . 3 . . . . .	55 -	
- étanchéité multicouches . . . . . 1 . . . . .	6 -	
- forme de pente . . . . . 10 . . . . .	200 -	
- isolation thermique . . . . . 15 cm . . . . .	60 -	
- pare vapeur . . . . .	2 -	
- Hourdi + table . . . . . 16+4 . . . . .	265 -	
- enduit en plâtre . . . . . 1,5 . . . . .	15	

$$g_1 = 738 \text{ kg/m}^2$$

## SURCHARGES D'EXPLOITATIONS

- Plancher terrasse non accessible ...  $s_t = 100 \text{ kg/m}^2$
- Plancher étage -----  $s_e = 250 \text{ kg/m}^2$
- Escalier -----  $s_{es} = 400 \text{ kg/m}^2$
- garde-corps -----  $s_g = 100 \text{ kg/m}^2$

Le poids des cloisons est reparti parfaitement sur le plancher à raison de  $75 \text{ kg/m}^2$

## Rémplissage

### Murs extérieurs

- briques creuses	15 cm	$210 \text{ kg/m}^2$
- vide d'air	sc	
- briques creuses	10 cm	$140 \text{ kg/m}^2$
- conduits intérieur et extérieur		<u><math>45 \text{ kg/m}^2</math></u>

poids-total  $395 \text{ kg/m}^2$

### Murs intérieurs

briques creuses	10 cm	$140 \text{ kg/m}^2$
enduit en plâtre		<u>15</u>

poids-total  $155 \text{ kg/m}^2$

## CALCUL DES ELEMENTS ACROTERE

Notre terrasse est non accessible ; l'acrotère sera soumis à son poids qui est une force verticale et à une force horizontale due au vent ; donc l'acrotère sera calculé en flexion composée, dont il est encastré au niveau du plancher.

$$q_0 = 71 \text{ kg/m}^2$$

on calculera une section rectangulaire :  $100 \times 12 \text{ cm}^2$

L'effort normal :

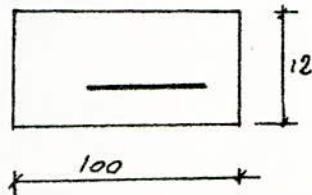
$$N = G = 1 \times 0.12 \times 2500 \times 0.55 = 165 \text{ kg.}$$

Moment dû à l'effort horizontal :

$$M = \frac{q_0 e^2}{2} = \frac{71 \times 0.55^2}{2} = 10.74 \text{ kg.m}$$

L'excentricité :

$$e_0 = \frac{M}{N} = \frac{10.74}{165} = 6.51 > \frac{h_0}{6} = \frac{12}{2} = 6 \quad \text{donc la section est partiellement comprimée}$$



Caractéristiques de la section :

$$\bar{\tau}_b' = 137,7 \text{ kg/cm}^2 ; \bar{\tau}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \quad d = 6 \text{ cm}$$

Moment / aciers tendus :

$$M_a = N \cdot a \quad (a: \text{distance entre les aciers tendus et le centre de pression})$$

$$a = 6 + 2 = 8 \text{ cm}$$

$$M_a = 165 \times 8 = 1320 \text{ kg.cm}$$

Moment résistant du béton :

$$M_b = \frac{1}{2} \cdot \bar{\tau}_b' \cdot b \cdot a \left(1 - \frac{a}{3}\right) h^2 \quad \alpha = \frac{n \bar{\tau}_b'}{n \bar{\tau}_b' + \bar{\tau}_a} = 0.423$$

$$M_b = \frac{1}{2} \times 137,7 \times 100 \times 0,423 \left(1 - \frac{0,423}{3}\right) 8^2 = 159285,7 \text{ kg.cm.}$$

$$M_a < M_b \quad (\text{il n'y a pas d'acières comprimés})$$

Calcul des aciers tendus :

le calcul sera fait en flexion simple puis on le corrigera

$$N = \frac{A_a \cdot M_a}{\bar{\tau}_a b h^2} = \frac{15 \times 1320}{2800 \times 100 \times 8^2} = 0,0011 \quad K = 320 \quad E = 0,9851$$

$$A_a = \frac{M}{\bar{\tau}_a E h} = \frac{1320}{2800 \cdot 0,9851 \cdot 8} = 0,06 \text{ cm}^2 \quad (\text{en flexion simple})$$

en flexion composée :

$$A = A_a - \frac{N}{\bar{\tau}_a} = 0,06 - \frac{165}{2800} = 1.10^{-3} \text{ cm}^2$$

Section minimale d'armatures :

$$A \geq 0,69 b h \frac{\bar{\tau}_b}{\bar{\tau}_{en}} = 9,77 \quad C.C.B.A. 68 \text{ art}$$

conformément à la condition de non fragilité du béton on prendra 5 T8/1m = 2,53 cm<sup>2</sup> on mettra également des armatures T8 ds le sens transversal.

Vérification à l'effort tranchant :

$$A \bar{\tau}_a \geq T + \frac{M}{J} = 39,05 - \frac{1074}{7} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

### condition de fissuration

$$\bar{\omega}_f = \frac{A}{B_f} = \frac{2,53}{100} = 3 \cdot 10^3 < 0,01 \text{ fissuration non systématique}$$

$$\sigma_a = 2,4 \sqrt{\frac{K_L}{\varphi} \frac{\sigma_b}{\sigma_a}} = 2,4 \sqrt{\frac{2,4 \cdot 10^6 \cdot 5,8}{8}} = 3166 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_f = \min \left| \frac{\sigma_a}{\sigma_a} \right| \rightarrow \bar{\sigma}_f = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \text{ vérifié}$$

### CALCUL DES ENCORBELLEMENTS

#### Debordement appui :

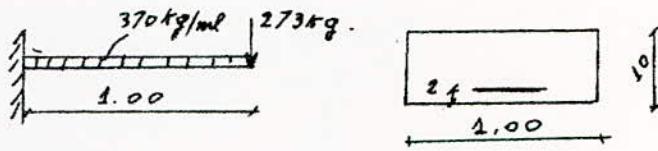
épaisseur de la dalle : 10cm  
largeur : 100cm

#### charge et surcharges :

$$\begin{array}{ll} \text{p.p.} & 0,1 \times 2500 = 250 \text{ kg/m}^2 \\ \text{surcharges} & 1,2 \times 100 = 120 \text{ kg/m}^2 \\ q & = 370 \text{ kg/m}^2 \end{array}$$

en considérant une tranche d'angle de largeur on aura :  $q = 370 \text{ kg/m}^2$   
force à l'extrémité due à la magnétisme (brique creuse 15cm)  
 $H = 210 \times 1,3 = 273 \text{ kg}$ .

#### schéma statique



$$M_e = \frac{q l^2}{2} + F_x l$$

$$= \frac{370 \times 1^2}{2} + 273 \times 1 = 658 \text{ kg.m}$$

$$T = q l + F = 658 \text{ kg}$$

#### calcul des armatures :

$$N = \frac{15 H}{\sigma_a b \cdot h^2} : \frac{15 \times 45800}{2800 \times 100 \times 8^2} = 0,0383 \rightarrow k = 45 \quad \epsilon = 0,0167$$

$$A = \frac{M}{\sigma_a E h} = \frac{45800}{2800 \times 99167 \times 8} = 2,23 \text{ cm}^2 \quad \text{on prendra } 8 \text{ T/10}$$

#### verification

##### condition de non fragilité

$$A \geq b h \bar{\sigma}_f \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_a} \left( \frac{h}{k} \right)^2 = 100 \times 8 \times 0,54 \times \frac{5,8}{2800} \cdot \left( \frac{10}{8} \right)^2 = 1,39 \text{ cm}^2 \text{ vérifié}$$

##### contrainte

$$A = 6,28 \text{ cm}^2 \rightarrow \bar{\omega}_f = \frac{A}{B_f} = \frac{6,28 \times 100}{100 \times 8} = 7,95 \cdot 10^{-3} \rightarrow k = 24,3 \quad \epsilon = 0,8728$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A E h} = \frac{45800}{6,28 \times 99167 \times 8} = 1044,5 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\sigma_a}{k} = 43 < \bar{\sigma}'_b \quad \text{vérifié.}$$

fissuration

$$w_f = \frac{A}{B_p} = \frac{6.28}{4900} = 0,016$$

$$\sigma_i = 2,4 \times 1379 = 3310 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\sigma}_f = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \text{ vérifiée}$$

$$\sigma_e = 1,265 \times 2237 = 2830 \text{ kg/cm}^2$$

armatures transversales :

$$C_b = \frac{T + M}{b \cdot 3} = \frac{458}{100 \times 7} = 0,65 < 1,15 \bar{\sigma}_b = 6,67 \text{ kg/cm}^2$$

$$T + \frac{M}{3} = 458 - \frac{45800}{7} < 0 \quad \text{les armatures tangentialles ne sont pas nécessaires.}$$

N.B on adoptera le même ferrailage pour dalle couverture

Dalle au vert pour l'entrée postérieure (NIV + 2,99)

elle est encastrée sur la poutre chainage D-D d'épaisseur  $e = 10 \text{ cm}$  d'une largeur  $1,15 \text{ m}$  charge revenant à cette dalle :

$$\text{P.P. } 0,1 \times 2500 = 250 \text{ kg/m}^2$$

$$\text{S.t. } 100 \times 1,2 = 120 \text{ kg/m}^2$$

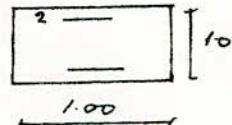
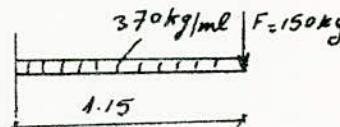
force due à l'aérostat appliquée à l'extrémité :

$$F = 150 \text{ kg.}$$

$$M_e = -\frac{q \ell^2}{2} - F \cdot e.$$

$$= 370 \times \frac{1,15^2}{2} + 150 \times 1,15 = 417,2 \text{ kg.m}$$

$$T = q \ell + F = 370 \times 1,15 + 150 = 575,5 \text{ kg.}$$

calcul des armatures

en considérant une bande d'1 mètre de largeur et d'épaisseur 10cm

$$N = \frac{15 \cdot 1}{\bar{\sigma}_a b h^2} = \frac{15 \times 41720}{2800 \cdot 100 \cdot 8^2} = 0,0349 \rightarrow k = 47,4$$

$$E = 0,9199$$

$$A = \frac{M}{\bar{\sigma}_a E h} = \frac{41720}{2800 \cdot 0,9199 \cdot 8} = 2,02 \text{ cm}^2. \quad \text{on prendra YT10 /me.} = 6,28 \text{ cm}^2.$$

Verificationcondition de non fragilité :

$$A > 1,39 \text{ cm}^2 \text{ vérifiée.}$$

contrainte

$$A = 6,28 \text{ cm}^2 \rightarrow w_f = \frac{628}{100 \times 8} = 7,85 \cdot 10^{-3} \rightarrow$$

$\sigma_a < \bar{\sigma}_a$  d'après le calcul fait précédemment.

fissurabilité vérifiéarmatures transversales :

$$T + \frac{M}{3} = 575,5 - \frac{41720}{7} < 0 \quad \text{pas d'armatures tangentialles.}$$

$$\frac{T}{6,28} = \frac{575,5}{100 \times 7} = 0,82 < 1,15 \bar{\sigma}_b.$$

• Calcul débordement appui

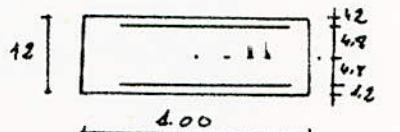
Il sera calculé comme un poteau soumis à la flexion composée ; dont le moment est le moment d'encastrement dû à la porte-à-faux à sa tête, et l'effort normal est dû à son poids propre et l'effort tranchant due à cette porte-à-faux.

Caractéristiques :  $a = 100 \text{ cm}$  ;  $b = 12 \text{ cm}$        $M_a = 458 \text{ kg.m}$        $N = 770 \text{ kg}$ .

$$c = \frac{M}{N} = \frac{45800}{770} = 59,68 \text{ cm} > \frac{12}{6} = 2 \rightarrow \text{section partiellement compressée.}$$

$$\bar{\delta}_b = 137,7 \text{ kg/cm}^2$$

on appliquant la méthode de P. CHAPON (Abaque)



$$\delta' = 0,1$$

$$M_a^t = M + N \cdot c = 45800 + 770 \times 6,8 \\ = 49496 \text{ kg.cm}$$

$$M_a^c = M \cdot N \cdot c = 45800 \cdot 770 \cdot 6,8 = 42304 \text{ kg.cm}$$

$$N_1 = \frac{15 \cdot M_a^t}{\bar{\delta}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 49496}{2800 \cdot 100 \cdot 10,8^2} = 0,0927$$

$$N_2 = \frac{15 \cdot M_a^c}{\bar{\delta}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 42304}{2800 \cdot 100 \cdot 10,8^2} = 0,0193$$

$$\tau_0 = \frac{\bar{\delta}_a}{\bar{\delta}'_b} = 20,33 \quad \text{d'après l'abaque enfoncier de } N_1 \text{ et } N_2 \quad \delta' = 0,1$$

$$\text{on déduit } t = 63,2 \quad ; \quad \omega = \omega' = 0,14 \\ \text{d'où : } A = A' = \frac{\omega b h}{100} = \frac{0,14 \times 100 \times 10,8}{100} = 1,5 \text{ cm}^2$$

Section minimale en considérant la compression simple :

$$A_{\min} = \frac{1,25}{1000} \theta_1 \theta_2 \theta_3 \frac{N}{\bar{\delta}'_b}$$

$$\theta_1 = 1,4$$

$$\theta_2 = 1 + \frac{t_c}{4a - 2c} = 1 + \frac{2 \times 1,5}{4 \cdot 12 - 2 \cdot 1,5} = 6,04$$

$$\theta_3 = 1 + \frac{2160}{500} = 1 + \frac{2160}{500} = 1,5$$

$$A_{\min} = \frac{1,25}{1000} \times 1,4 \times 6,04 \times 1,5 \times \frac{770}{69} = 0,19 \text{ cm}^2$$

on adoptera des T10 tous les 15cm, on mettra également des T10 de 15cm transversale tous les 15cm

## CALCUL DE L'ESCALIER

Notre escalier est constitué par deux paillasse adjacentes appuyé chacune sur deux poutres et un palier intermédiaire monté en porte à faux par rapport à la poutre palier.

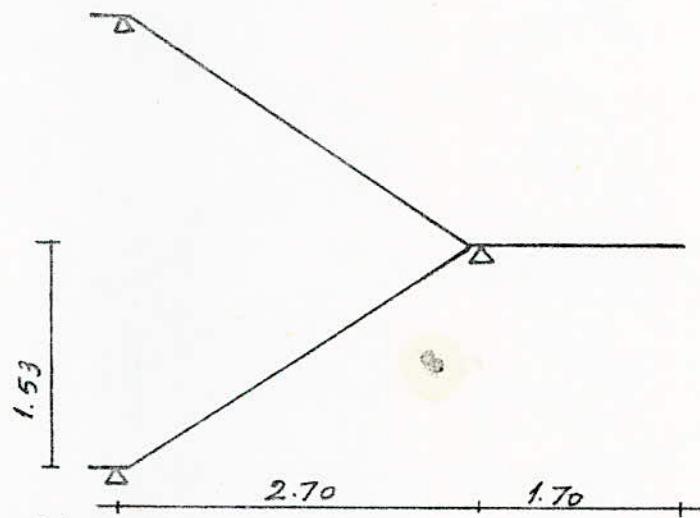
Il sera couvert d'un mur de maçonnerie latéralement et une garde corps intérieurement, et d'une dalle de couverture en dessus.

L'élément résistant à calculer est constitué d'une poutre (Paillasse) appuyée simplement à ses extrémités et d'une poutre encastrée (palier intermédiaire). Les marches au dessus de la dalle n'interviennent pas dans le calcul de résistance, elles seront considérées comme une surcharge uniformément répartie sur la paillasse.

### Dimensionnement :

- hauteur de la marche :  $h = 17 \text{ cm}$
- largeur "  $g = 30 \text{ cm}$
- $\tan \alpha = 0,567 \rightarrow \cos \alpha = 0,87$
- épaisseur de la paillasse :  $\frac{e}{30} \leq e \leq \frac{e}{20}$   
on prendra  $e = 15 \text{ cm}$ .

### Schéma statique



### Etude du schéma statique

charges et surcharges /m<sup>2</sup> de projection horizontale et pour 1m d'émarchement.

### Paillasse

$$\text{poids propre} : \frac{2500 \cdot e}{\cos \alpha} = \frac{2500 \cdot 0,15}{0,87} = 431 \text{ kg/m}^2$$

$$\text{marches} : 2200 \cdot \frac{h}{2} = \frac{2200 \cdot 0,17}{2} = 197 \text{ kg/m}^2$$

$$\begin{aligned} \text{Revêtement (carrelage + mortier)} &= 105 \text{ kg/m}^2 \\ \text{maçonnerie} &= 914 \text{ kg/m}^2 \end{aligned}$$

$$\text{Surcharges} : 1,2 (S_{as} + g \cdot \text{corp}) = 1,2 (400 + 100) = 600 \text{ kg/m}^2$$

pour 1m de largeur de la paillasse on aura :  $q = 2237 \text{ kg/m}^2$

Le calcul sera fait comme pour une poutre droite de longueur 2.70m

$$M_0 = \frac{q \ell^2}{8}$$

$$M_0 = \frac{2237 \times 2,7^2}{8} = 2038 \text{ kg.m}$$

$$V_A = V_B = \frac{q \ell}{2} = \frac{2237 \times 2,7}{2} = 3020 \text{ kg.}$$

en tenant compte de la semi-enca斯特rement aux appuis on aura:  
moment entravé :  $M_f = 0,85 M_0 = 0,85 \cdot 2038 = 1732,3 \text{ kg.m}$

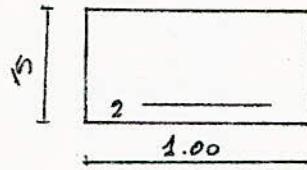
Moment à l'appui :  $M_a = 0,3 M_0 = 0,3 \times 2038 = 611,4 \text{ kg.m}$

### Ferrailage de la Paillasse :

en considérant une section rectangulaire  
en appliquant la méthode de P. Charon.

entravé :

$$\mu = \frac{15 M}{\sigma_a b h^3} = \frac{15 \times 173230}{2800 \times 100 \times 13^3} = 0,0549$$



$$K = 36,2$$

$$\epsilon = 0,9023$$

$K > K_c = \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_b} = 20,5 \Rightarrow$  pas d'aciets comprimés.

$$A = \frac{M}{\sigma_a E h} = \frac{173230}{2800 \cdot 0,9023 \cdot 13} = 5,27 \text{ cm}^2 \quad \text{on adoptera } 8T12 = 9,08 \text{ cm}^2$$

à l'appui

$$\mu = \frac{15 \times 61140}{2800 \times 0,9023 \cdot 13} = 0,0194 \rightarrow K = 66,8$$

$$\epsilon = 0,9388$$

$$A = \frac{61140}{2800 \cdot 0,9388 \cdot 13} = 1,79 \text{ cm}^2 \rightarrow \text{on prendra } 8T12 = 9,08 \text{ cm}^2$$

### Vérifications

#### Contrainte

$$A = 9,08 \text{ cm}^2 \quad \bar{\omega} = \frac{100 A}{b h} = \frac{100 \times 9,08}{100 \times 13} = 0,698 \rightarrow k = 26,1$$

$$\epsilon = 0,8793$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A E h} = \frac{173230}{9,08 \cdot 0,8793 \cdot 13} = 1671 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\bar{\sigma}_b = 64 < \bar{\sigma}_c \quad \text{vérifié.}$$

#### Condition de non fragilité

$$A \geq 0,69 \frac{b h}{\sigma_{en}} = 0,69 \times 100 \times 13 \times \frac{1,15 \bar{\sigma}_b}{4200} = 1,26 \quad \text{vérifiée}$$

#### flèche :

$$A \leq \frac{43 b h}{\sigma_{en}} = \frac{43 \times 100 \times 13}{4200} = 13,3 \text{ cm}^2 \quad \text{vérifié.}$$

### Aciets transversaux

Contrainte de cisaillement max :

$$C_b = \frac{T_{max}}{0,3} = \frac{3020}{100 \times 11,375} = 1,92 < 1,15 \bar{\sigma}_b = 6,67 \text{ kg/cm}^2. \quad \text{Les armatures transversaux ne sont pas nécessaires.}$$

verification à l'effort tranchant

$$\frac{T+M}{3} = 3020 - \frac{61140}{11375} < 0 \quad \text{pas d'armatures tangentielles au niveau de l'appui.}$$

CALCUL DU PALIER

Le palier sera considéré encastre sur la poutre palier, et sera calculé en considérant une bande de largeur 1m et de longueur 1,7m chargé uniformément répartis :

- p.p.  $0.15 \times 2500 = 375 \text{ kg/m}^2$

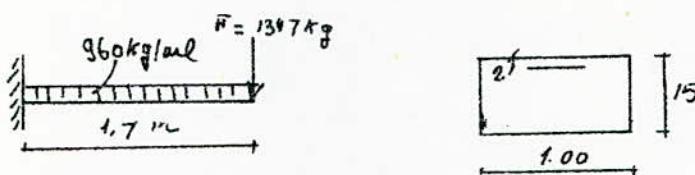
- Revêtement  $105 -$

- Sc  $480 -$

$$g = 960 \text{ kg/m}^2$$

force localisée appliquée à l'extrémité de la bande due au mur + bande

$$F = 395 \times 2,84 + 0,3 \times 0,6 \times 2500 \times 100 = 1347 \text{ kg}$$

schéma statique.

Moment à l'encastrement :

$$M_e = -\frac{q_p L}{2} - Fl = -\frac{960 \times 1,7^2}{2} - 1347 \times 1,7 = -3677 \text{ kg.m}$$

$$T = q_p L + F = 960 \times 1,7 + 1347 = 2979 \text{ kg}$$

calcul du moment résistant du béton

$$M_{R_b} = \frac{1}{3} \bar{\sigma}_b b \alpha (1 - \frac{a}{s}) h^2$$

$$= \frac{1}{3} \cdot 137,7 \cdot 100 \cdot 0,423 \left(1 - 0, \frac{423}{8}\right) 13^2 = 4,04 L.m$$

$M_{R_b} > M_e \rightarrow$  les aciers comprimés ne sont pas nécessaires.

$$\mu = \frac{15 M}{\sigma_a b h^2} = \frac{15 \times 367700}{2800 \times 100 \times 13^2} = 0,116 \rightarrow k = 22,4$$

$$E = 0,8663$$

$$A = \frac{M}{\sigma_a E h} = \frac{367700}{2800 \cdot 0,8663 \cdot 13} = 11,66 \text{ cm}^2 \quad \text{on prendra } 8 T 14 = 12,31 \text{ cm}^2$$

$$e = 15 \text{ cm}$$

on prendra des T8 tous les  $\dots$  comme armatures de répartition.

verifications

• contrainte :

$$A = 12,31 \text{ cm}^2 \rightarrow \bar{\sigma}_p = \frac{1231}{100 \times 13} = 0,947 \rightarrow k = 21,6$$

$$E = 0,8634$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{M}{A E h} = \frac{367700}{12,31 \cdot 0,8634 \cdot 13} = 2661 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\bar{\sigma}_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = \frac{2661}{21,6} = 123 < \bar{\sigma}_b \quad \text{vérifié.}$$

• condition de noyau fragile :

$$A \geq b h \frac{\bar{\sigma}_b}{4} \left(\frac{h_0}{\bar{\sigma}_a}\right)^2 = 100 \times 13 \times 0,54 \times \frac{5,8}{2800} \left(\frac{15}{13}\right)^2 = 1,94 \text{ cm}^2 \quad \text{vérifié.}$$

Ferrure

$$\bar{w}_f = \frac{A}{B_f} = \frac{12,91}{100 \times 4} = 0,031 \text{ avec } \phi = 14 \text{ mm}$$

$$T_1 = 2,4 \times 1690 = 4056 \text{ kg/cm}$$

$$T_2 = 1,265 \times 1896 = 2336 \text{ kg/cm}$$

$$\bar{t}_{af} = \bar{t}_a = 2800 \text{ kg/cm} \quad \text{verified}$$

Aciers transversaux

$$t_b = \frac{t_{aw}}{b \cdot 3} = \frac{2979}{100 \times 11,375} = 2,62 < 1,15 t_b = 6,67 \text{ kg/cm}$$

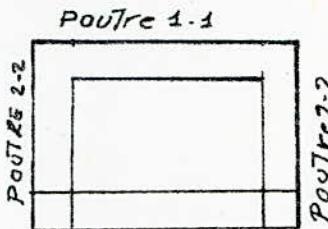
les armatures transversaux ne sont pas nécessaires.

$$T + \frac{M}{3} : 2797 - \frac{367700}{11,375} < 0$$

pas d'armatures transversales à l'enca斯特ement.

CALCUL DES POUTRES 1-1 & 2-2

ce sont des poutres creées pour transmettre les charges dues à la macarerie  
VUE EN PLAN DUPALIER

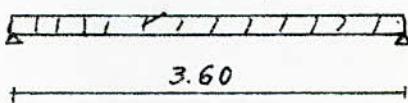
POUTRE 1-1

charges revenant à cette poutre :

$$\text{P.P. } 0,3 \times 0,4 \times 2500 = 300 \text{ kg/m}^2$$

$$\text{Macarerie : } \frac{1122}{1422} \text{ kg/m}^2 \\ q = 1422 \text{ kg/m}^2$$

$$1422 \text{ kg/m}^2$$

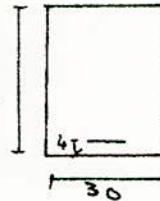


$$M_0 = \frac{q \ell^2}{8} = \frac{1422 \times 3,6^2}{8} = 2304 \text{ kg.m}$$

$$T = \frac{q \ell}{2} = \frac{1422 \times 3,6}{2} = 2560 \text{ kg.}$$

$$M_E = 0,95 M_0 = 0,95 \times 2304 = 2189 \text{ kg.m}$$

$$M_a = 0,2 M_0 = 0,2 \times 2304 = 461 \text{ kg.m}$$



Ferraillage :

entravée :

$$n = \frac{15 \times 218900}{2800 \times 30 \times 36^2} = 0,0302 \rightarrow k = 51,5 \\ \epsilon = 0,9248$$

$k > \bar{k}$  pas d'aciés comprimés.

$$A = \frac{218900}{2800 \times 0,9248136} = 2,35 \text{ cm}^2 \rightarrow 2T14 = 3,08 \text{ cm}^2.$$

$$\text{à l'appui : } n = \frac{15 \times 46100}{2800 \times 30 \times 36^2} = 0,0066 \rightarrow k = 122. \\ \epsilon = 0,9635$$

$$A = \frac{46100}{2800 \cdot 0,9635 \cdot 36} = 0,47 \text{ cm}^2 \rightarrow 2T/10 = 1,87 \text{ cm}^2$$

### Verifications

#### contrainte

entravée :  $A = 3,08 \text{ cm}^2$

$$\bar{\omega}_f = \frac{100A}{bh} = \frac{308}{30 \cdot 36} = 0,285 \rightarrow k = 155 \\ \varepsilon = 0,9706$$

$$\bar{\tau}_a = \frac{M}{AEh} = \frac{218900}{3,08 \cdot 0,9706 \cdot 36} = 2034 \text{ kg/cm} < \bar{\tau}_a$$

$$\bar{\tau}'_b = \frac{\bar{\tau}_a}{k} = \frac{2034}{155} = 13 < \bar{\tau}'_b \quad \text{vérifié.}$$

à l'appui :

$$\bar{\omega}_f = \frac{157}{30 \cdot 36} = 0,145 \rightarrow k = 220 \\ \varepsilon = 0,9787$$

$$\bar{\tau}_a = \frac{46100}{1,87 \cdot 0,9787 \cdot 36} = 833 \text{ kg/cm} < \bar{\tau}_a$$

$$\bar{\tau}'_b = \frac{833}{220} < \bar{\tau}'_b \quad \text{vérifié.}$$

#### flèche

$$A < \frac{43bh}{\sigma_{fl}} = \frac{43 \cdot 30 \cdot 136}{4200} = 11 \text{ cm} \quad \text{vérifié}$$

#### Fissuration

$$\bar{\omega}_f = \frac{A}{B_f} = \frac{3,08}{30 \cdot 8} = 0,013$$

$$\bar{\tau}_1 = 2,6 \cdot 821 = 1970 \text{ kg/cm}$$

$\bar{\tau}_2 = 1,265 \cdot 1894 = 2396 \text{ kg/cm}$  donc  $\bar{\tau}_{fl} = \bar{\tau}_a = 2396 \text{ kg/cm}$   
on refait le calcul de la section d'armatures avec  $\bar{\tau}_a = 2396 \text{ kg/cm}$

$$\bar{\omega}_f = \frac{15 \cdot 218900}{2396 \cdot 30 \cdot 36} = 0,0352 \rightarrow k = 47,2 \\ \varepsilon = 0,9196$$

$$A = \frac{218900}{2396 \cdot 0,9196 \cdot 36} = 2,76 \text{ cm}^2 \quad \text{on adoptera } 2T14 = 3,08 \text{ cm}^2$$

#### Armatures inférieures

$$\frac{T+M}{3} = 2560 - \frac{46100}{31,5} = 1096 < A\bar{\tau}_a = 4396 \text{ kg.}$$

#### adhérence

$$\bar{\tau}_d = \frac{T}{np3} = \frac{2560}{215,4} = 11,88 \text{ kg/cm} < \bar{\tau}_d = 17,7 \text{ kg/cm} \quad \text{vérifié.}$$

#### Armatures transversales

$$T_{ar} = 2560 \text{ kg.}$$

#### contrainte tangentiale

$$\bar{\tau}_b = \frac{T_{ar}}{b3} = \frac{2560}{30 \cdot 31,5} = 2,71 < 3,5 \bar{\tau}_b = 20,3 \text{ kg/cm} \quad \text{vérifié}$$

#### contrainte admissible des armatures transversales

$$\bar{\tau}_{ar} = 1600 \text{ kg/cm} \quad \text{on prendra des cadres en } 8 = 1 \text{ cm.}$$

#### écartement admissible

$$\bar{E} = \max \left\{ E_1 = 0,2h, E_2 = h(1 - 0,3 \frac{\bar{\tau}_b}{\bar{\tau}_{ar}}) \right\} = 31 \text{ cm}$$

Espacement des cadres :

$$t = \frac{A_f \cdot 3 \cdot \bar{\tau}_{af}}{T_{av}} = \frac{1 \times 345 \times 1600}{2560} = 19,68 \text{ cm}$$

on adoptera  $t = 19 \text{ cm}$  dont le centre des cadres sera situé à 8 cm de l'appui.

POUTRE 2-2

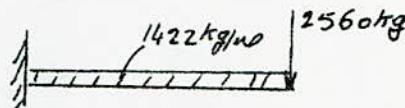
Secteur rectangulaire 30x40 cm  $h=36 \text{ cm}$   
destiné à supporter :

P.P. : 300 kg/mé

Macomerie 1122 kg/mé

Force due à la poutre  $T_f$  2560 kg.

schéma statique



$$\bullet M_e = -\frac{q \ell^2}{2} - T_f \ell \\ = \frac{1422 \times 0.85^2}{2} + 2560 \times 0.85 = 6406.8 \text{ kg.m}$$

$$T = q \ell + T_f = 1422 \times 0.85 + 2560 = 4977.4 \text{ kg.}$$

Armement

$$\mu = \frac{15 \times 6406.8}{2800 \cdot 30 \cdot 36} = 0,0883 \rightarrow k = 26,8 \\ \varepsilon = 0,8804$$

$k > \bar{k}$  pas d'aciets comprimés.

$$A = \frac{6406.8}{2800 \cdot 0,8804 \cdot 36} = 7,22 \text{ cm}^2 \quad \text{on prendra } 3T20 = 9,42 \text{ cm}^2. \\ \text{avec } 3T10 \text{ de montage.}$$

Vérifications

$$\bullet \underline{\text{Contrainte}} : \bar{\omega}_f = \frac{100 A}{B_h} = \frac{942}{30 \times 36} = 0,872 \rightarrow k = 22,8 \\ \varepsilon = 0,8677$$

$$\bar{\tau}_a = \frac{6406.8}{9,42 \times 0,8677 \times 36} = 2177 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\tau}_a$$

$$\bar{\tau}'_b = \frac{\bar{\tau}_a}{k} = 95,5 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\tau}'_b \quad \text{vérifié}$$

Fissuration

$$\bar{\omega}_f = \frac{A}{B_p} = \frac{9,42}{30 \times 8} = 0,039$$

$$\bar{\tau}_t = 2,4 \times 260,5 = 3364 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\tau}_t = 1,265 \times 1573 = 2002 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\tau}_{af} = \bar{\tau}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{vérifié}$$

Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{\bar{\tau}} = 4977.4 - \frac{6406.8}{31.5} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises} \\ \text{à aucune force de traction}$$

Adhérence

$$\bar{\tau}_l = \frac{T}{B_p} = \frac{4997.4}{593.46} = 8.4 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\tau}_l \quad \text{vérifié}$$

Armatures transversaux

$$T_{max} = 4977.6 \text{ kg.}$$

Contrainte tangentielle

$$\bar{\tau}_b = \frac{T}{B \cdot 3} = \frac{4997.4}{30 \times 31.5} = 5,27 < \bar{\tau}_b = \left( 4,5 - \frac{\bar{\tau}'_b}{\bar{\tau}'_{b0}} \right) \bar{\tau}_b = 18 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{vérifié}$$

$\bar{t}_{\alpha} = 1600 \text{ kg/cm}^2$  on prendra ( $1 \text{ cadre} + \text{letier} (0,8)$ ) =  $2,0 \text{ cm}$

écartement admissible :

$$t_{\max} \begin{cases} t_1 = 7 \text{ cm} \\ t_2 = 26 \text{ m} \end{cases}$$

espacement des cadres :

$$t = \frac{2,01 \times 31,5 \times 1600}{4977,4} = 20,3 \text{ cm}$$

on adoptera  $t = 20 \text{ cm}$ .

## CALCUL DE LA POUTRE PALIERE

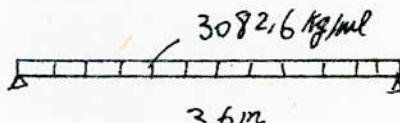
section géométrique  $30 \times 40 \text{ cm}^2$   $h = 36 \text{ cm}$

charges :

p.p. :  $300 \text{ kg/m}$   
réaction de l'escalier  $1677,78 \text{ kg}$

" palier  $\frac{1104,8}{3082,6} \text{ kg/m}$

$$q = 3082,6 \text{ kg/m}$$



$$M_0 = \frac{q \ell^2}{8} = \frac{3082,6 \times 3,6^2}{8} = 4993,8 \text{ kg.m}$$

$$M_E = 0,95 M_0 = 4744,12 \text{ kg.m}$$

$$M_a = 0,2 M_0 = 998,76 \text{ kg.m}$$

$$T = \frac{q \ell}{2} = 548,68 \text{ kg}$$

Moment résistant du béton

$$M_{RB} = \frac{1}{2} \sigma_b b h^2 d (1 - \frac{\sigma}{\sigma_b})$$

$$= \frac{1}{2} \cdot 137,7 \times 30 \times 36^2 \times 0,473 \left(1 - \frac{0,473}{5}\right) = 9,73 \text{ t.m}$$

Ferrailage :

$$N = \frac{15 \times 474412}{2800 \times 30 \times 36^2} = 0,0654 \rightarrow K = 32,6$$

$$\epsilon = 0,8945$$

pas d'aciés comprimés.

$$A = \frac{474412}{2800 \times 0,8945 \times 36} = 5,26 \text{ cm}^2 \quad \text{on prendra } 3T/16 = 6,03 \text{ cm}^2$$

à l'appui

$$\mu = \frac{15 \times 99876}{2800 \times 30 \times 36^2} = 0,0137 \rightarrow K = 81$$

$$\epsilon = 0,9479$$

$$A = \frac{99876}{2800 \times 0,9479 \times 36} = 1,045 \text{ cm}^2 \rightarrow 3T/10 = 2,35 \text{ cm}$$

Verifications

contrainte

$$\omega = \frac{100 A}{b h} = \frac{60,3}{30 \times 36} = 0,558 \rightarrow K = 29,9$$

$$\epsilon = 0,8886$$

$$\sigma_a = \frac{474412}{6,03 \times 0,8886 \times 36} = 2459 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

•  $\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = 82 < \bar{\sigma}'_b$  vérifié

• Tôle:  $A < \frac{43bh}{5en} = \frac{43 \times 30 \times 36}{4200} = 11 \text{ cm}^2$  vérifié

Fissuration:

$$\omega_f = A/B_f = \frac{6.03}{30 \times 8} = 0,025$$

$$\bar{\sigma}_f = 2,4 \times 1250 = 3000 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_t = 1,265 \times 1770 = 2239 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\sigma}_{tf} = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

Armatures inférieures

• Adhérence:  $T + \frac{M}{3} = 5548,68 - \frac{99876}{31,5} = 2378 < 4\bar{\sigma}_a = 6580 \text{ kg}$

$$\frac{T}{np_3} = \frac{5548,68}{474,768} = 11,69 \text{ kg/cm} < \bar{\sigma}_t = 17,7 \text{ kg/cm}$$

Armatures transversales

$$T_{\max} = 5548,68 \text{ kg}$$

• Contrainte tangentielle:

$$\tau_b = \frac{T}{b \cdot 3} = \frac{5548,68}{30 \times 31,5} = 5,87 \text{ kg/cm}$$

$$\bar{\tau}_b = \left( 4,5 - \frac{\sigma'_b}{\bar{\sigma}'_{b0}} \right) \bar{\sigma}_b = \left( 4,5 - \frac{82}{69} \right) 5,8 = 19,2 \text{ kg/cm}$$

$$\tau_b < \bar{\tau}_b \text{ vérifié.}$$

$$\bar{\sigma}_{ab} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on prendra (1 cache + 1 tôle + Ø8) = 2,0/cm}$$

L'écartement admissible:

$$\bar{z} = \max \begin{cases} t_1 = 7,2 \text{ cm} \\ t_2 = 25 \text{ cm} \end{cases}$$

Espacelement des caches:

$$t = \frac{2,01 \times 1600 \times 31,5}{5548,68} = 18,25 \text{ cm}$$

on prendra  $t = 18 \text{ cm}$ . dont le 1<sup>er</sup> cours est placé à 9cm de l'appui, restera :  $9 + 2 \times 18 + 2 \times 20 + 3 \times 25$

Calcul de la poutre palier à la torsion

L'effet de torsion est due au palier qui est monté en porte à faux / poutre palier.

Soit  $M_E = 3677 \text{ kg.m}$

$$\frac{b}{a} = \frac{40}{30} = 1,33 \quad \text{d'après le tableau on déduit } k = 4,53$$

$$C_{bm} = \frac{k M_E}{a^2 \cdot b} = \frac{4,53 \times 367700}{30^2 \times 40} = 46,27 \text{ kg/cm}$$

Comme  $b/a = 1,33 < 3,5$  il en résulte :

$$\begin{aligned} \bar{\omega}_E &= \bar{\omega}_t = \frac{a+b}{3b} \times \frac{C_{bm}}{\bar{\sigma}_a} \\ &= \frac{30+40}{3 \times 40} \times \frac{46,27}{2800} = 9,64 \cdot 10^{-3} \end{aligned}$$

• Comme la section du béton :  $B = 30 \times 40 = 1200 \text{ cm}^2$  nous avons pour :

- Les armatures transversales :

$$\text{volume /cm} : w_f \times B = 1200 \times 9,64 \cdot 10^{-3} = 11,57 \text{ cm}^3$$

avec des cadres en  $\phi 8$  ( $0,5 \text{ cm}^2$ )

le volume d'un cadre à pour valeur :

$$0,5 (26+36) \times 2 = 62 \text{ cm}^3$$

$$\text{L'espacement des cadres : } \frac{62}{11,57} = 5,36 \text{ cm}$$

avec des cadres en  $\phi 10$  ( $0,78 \text{ cm}^2$ )

$$\text{Le volume d'un cadre : } 0,78 (26+36) \times 2 = 96,72 \text{ cm}^3$$

$$\text{D'espacement des cadres : } \frac{96,72}{11,57} = 8,36 \text{ cm}$$

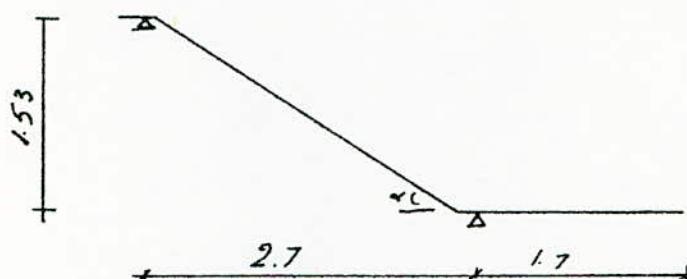
donc on adoptera des cadres en  $\phi 10$  avec  $t = 9 \text{ cm}$

- les armatures longitudinales

$$A_f = w_f \times B = 9,64 \cdot 10^{-3} \times 1200 = 11,57 \text{ cm}^2 \rightarrow 6T16 = 12,06 \text{ cm}^2$$

### CALCUL DE LA DALLE DE COUVERTURE DE L'ESCALIER

#### Schéma statique



$$\begin{aligned} f_g \alpha &= 0,567 \\ C_{\text{cor}} &= 0,87 \\ c &= 10 \text{ cm} \end{aligned}$$

charges et surcharges :

$$\cdot p.p : \frac{2500 \times 0,1}{0,87} = 287,6 \text{ kg/m}^2$$

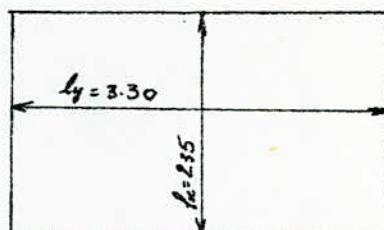
· plancher - - - - - 6 —

· isolation 60 —

· pare papier 2 —

$$\cdot Surcharge 1,2 \leq \frac{120}{9} = 475,6 \text{ kg/m}^2$$

#### Vue en plan de la dalle



$$\frac{l_x}{l_y} = \frac{2,95}{3,30} = 0,87 > 0,4$$

la dalle porte dans les deux sens.

$$M_{x_0} = P_x g l_x^2$$

$$M_y = N \cdot M_x$$

d'après l'échelle fonctionnelle du c.c. B.A.68 on déduit les valeurs  $\mu_x$  et  $\mu_y$  en fonction de  $\rho$

$$\mu_x = 0,0714 ; \mu_y = 0,562$$

$$M_x = 0,0714 \times 675,4 \times 2,35^2 = 187,45 \text{ kg.m}$$

$$M_y = 0,562 \cdot 187,45 = 105,35 \text{ kg.m}$$

### L'effort tranchant

$$\text{au milieu de } l_y : T_y = \frac{P}{2l_y + l_x} = \frac{475,4}{2 \times 3,3 + 2,35} = 53,12 \text{ kg}$$

$$\text{au milieu de } l_x : T_x = \frac{P}{3l_y} = \frac{475,4}{3 \times 3,3} = 48 \text{ kg}$$

### Ferrailage

$$A_x = \frac{M_x}{\beta \cdot \bar{\tau}_a} = \frac{187,45 \cdot 10^2}{0,875 \cdot 8,2800} = 0,956 \text{ cm}^2 \rightarrow 5T12 / \text{m} \ell = 5,65$$

$$A_y = \frac{105,35}{0,875 \cdot 6,3 \cdot 2,800} = 0,68 \text{ cm}^2 \rightarrow 5T8 / \text{m} \ell = 2,513 \text{ cm}^2.$$

### Vérifications

#### contrainte

$$A = 5,65 \text{ cm}^2 \rightarrow \omega = \frac{100A}{b \cdot h} = 0,706 \rightarrow \frac{k=25,9}{\epsilon=98778}$$

$$\bar{\tau}_a = \frac{187,45}{5,65 \times 9,8778 \cdot 2,800} = 472 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\tau}_a$$

$$\bar{\tau}'_b = \frac{\bar{\tau}_a}{k} < \bar{\tau}'_b \quad \text{vérifié'}$$

#### condition de non fragilité

$$A \geq 0,69 b h \frac{\bar{\tau}_a}{\bar{\tau}_{en}} = 0,69 \times 100 \times 8 \times \frac{5,8}{4200} = 0,76 \text{ cm}^2 \quad \text{vérifié'}$$

#### Flèche

$$A < 43 b h \frac{\bar{\tau}_a}{\bar{\tau}_{en}} = 43 \times 100 \times 8 = 8,19 \text{ cm}^2$$

#### Aciers transversaux

$$\bar{\tau}_b = \frac{T_{max}}{b \cdot 3} = \frac{53,12}{100 \times 7} = 0,075 < 1,5 \times 5,8 = 6,67 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{vérifié'}$$

Les armatures transversales ne sont pas nécessaires.

### CALCUL DE LA DALLE NIV + 4,42

elle est en porte à faux / poutre A<sup>10</sup> (4.5)

charges et surcharges :

- P.P :  $0,1 \times 2500 = 250 \text{ kg/m}^2$

- échafaud - - - - - 6 -

- isolation - - - - - 60 -

- pore vapeur - - - - - 2 -

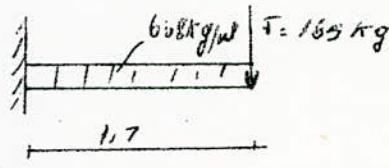
- forme déportée - - - - - 200 -

Surcharges

$$g = \frac{120}{638 \text{ kg/m}^2}$$

force localisée due à l'acrotière  $F = 165 \text{ kg/m}^2$

pour le calcul on considérera une poutre de 100cm de largeur et de hauteur 10cm encastree à l'une de ses extrémités.

Schema statique

$$M_e = -\frac{q l^2}{2} - F \times l = -1202 \text{ kg.m}$$

$$T = q l + F = 1250 \text{ kg}$$

Ferraillage

$h = 8 \text{ cm}$  méthode de P. Charon

$$M = \frac{15 M}{\sigma_{ab} h^2} = \frac{15 \times 120200}{2800 \cdot 100 \cdot 8^2} = 0,1006 \rightarrow K = 24,65$$

$$E = 0,8739$$

$$A = \frac{M}{\sigma_{ab} E} = \frac{120200}{2800 \cdot 0,8739 \cdot 8} = 6,14 \text{ cm}^2 \rightarrow G T / 1 \text{ m} = 6,78 \text{ cm}^2 \text{ on prendra également } 6,78 \text{ pour la répartition tous les } 20 \text{ cm.}$$

VérificationsContrainte

$$A = 6,78 \text{ cm}^2 \quad \bar{\omega}_p = 0,85 \rightarrow k = 23,1$$

$$E = 0,8688$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A \cdot h} = \frac{120200}{6,78 \cdot 0,8688 \cdot 8} = 2550 < \bar{\sigma}_a$$

$$\sigma_b' = \frac{\sigma_a}{K} = \frac{2550}{23,1} = 110 < \bar{\sigma}'_b \quad \text{vérifié}$$

Fissuration

$$\bar{\omega}_p = \frac{6,78}{4 \times 100} = 0,017 \quad (\theta = 12)$$

$$\sigma_i = 2905 \text{ kg/cm}^2$$

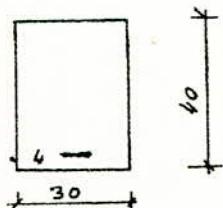
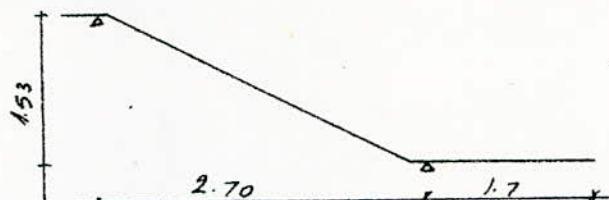
$$\sigma_c = 2784 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\sigma}_{cf} = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

Aciers transversaux

$$\sigma_b = \frac{T_{av}}{0,3} = \frac{1250}{100 \times 7} = 1,78 < 1,15 \bar{\sigma}_b \quad \text{vérifié}$$

Armatures inférieures

$$T + \frac{\pi}{3} = 1250 - \frac{120200}{7} < 0 \quad \text{Les armatures transversales ne sont pas nécessaires.}$$

POUTRE 4(A-B)schema statique

charges revenant à cette poutre :

$$\text{- P.P : } \frac{0,3 \times 0,6 \times 2500}{0,87} = 365 \text{ kg/m}$$

- acierie

$$165 \text{ kg/m}$$

- dalle

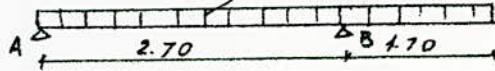
$$20,6 \text{ kg/m}$$

$$g = 530 \text{ kg/m}$$

$$530 \text{ kg/m}$$

$$T_A = 432 \text{ kg}$$

$$T_B = 1900 \text{ kg}$$



•  $M_L = 176 \text{ kg.m}$   
 $M_S = 765,85 \text{ kg.m}$

Herraillage entravé:

$$\mu = \frac{15 \times 17600}{2800 \times 30 \times 36^2} = 2,43 \cdot 10^{-3} \quad K = 205 \quad E = 0,9773$$

$$A = \frac{17600}{2800 \times 36 \times 0,9773} = 0,18 \text{ cm}^2 \quad 2T12 = 2,26 \text{ cm}^2$$

$$\mu = \frac{15 \times 76585}{2800 \times 36 \times 30} = 0,0105 \rightarrow K = 94 \quad E = 0,9541$$

$$A = \frac{76585}{2800 \times 0,9541 \times 36} = 0,8 \text{ cm}^2 \quad \text{on prendra } 2T12 = 2,26 \text{ cm}^2$$

" " 2T10 démontage

Vérifications

- contrainte

$$\omega = \frac{100 A}{b h} = \frac{226}{36 \times 30} = 0,209 \quad K = 53 \quad E = 0,9265$$

$$\bar{\tau}_a = \frac{76585}{2,26 \times 0,9265 \times 36} = 1016 < \bar{\tau}_a$$

$$\bar{\tau}'_b = \frac{\bar{\tau}_a}{K} = 20 < \bar{\tau}'_b \quad \text{vérifié}$$

Hi surrégion

$$\omega_f = \frac{2,26}{30 \times 8} = 9,4 \cdot 10^{-3}$$

$$\bar{\tau}_2 = 2,4 \sqrt{\frac{2,4 \cdot 106,5,8}{12}} = 2584,8 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\tau}_{0,f} = \bar{\tau}_a = 2585 \text{ kg/cm}^2$$

on refait le calcul avec  $\bar{\tau}_a = 2585 \text{ kg/cm}^2$

$$\mu = 0,0114 \rightarrow K = 99,5 \quad E = 0,9522$$

$$A = \frac{76585}{2800 \cdot 0,9522 \cdot 36} = 0,18 \text{ cm}^2 \quad \text{on prendra } 2T12.$$

- Adhérence

$$\frac{T}{n P_3} = \frac{1900}{237,4} = 8 < \bar{\tau}_d \quad \text{vérifié}$$

- Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 1900 - \frac{76585}{31,5} < 0 \quad \text{Les armatures ne seront pas soumises à aucune force de traction.}$$

- Armatures transversales

$$T_{max} = 1900 \text{ kg}$$

$$\tau_b = \frac{T_{av}}{b \cdot 3} = \frac{1900}{30 \times 31,5} = 2 < 3,5 \bar{\tau}_b \quad \text{vérifié}$$

$$\bar{\tau}_{0,L} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on prendra 1 cadre Ø 8 = } 1 \text{ cm}^2$$

$$\text{écartement admissible : } t = \max \begin{cases} t_1 = 7,2 \\ t_2 = 32,3 \end{cases}$$

Espacement des cadres :

$$t = \frac{A \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_{\text{ax}}}{T} = \frac{1 \times 315 \times 1600}{1900} = 26,3 \text{ cm}$$

On prendra  $t = 25 \text{ cm}$ .

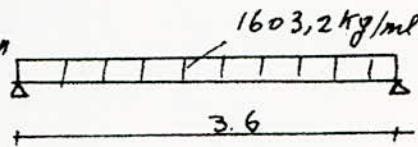
### POUTRE A (4-5) 30x40

charges relevant à cette poutre :

$$\text{P.P. : } 0,3 \times 0,6 \times 2500 = 300 \text{ kg/cm}^2$$

$$\text{Réaction due à la dalle : } \frac{1303,12 \text{ kg/m}}{9} = 1603,12 \text{ kg/mel}$$

$$M_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{1603,12 \times 3,6^2}{8} = 2597 \text{ kg.m}$$



### Ferraillage

$$N = \frac{15 \times 259700}{2800 \times 30 \times 36^2} = 0,0358 \rightarrow k = 46,8$$

$$\epsilon = 0,9191$$

$$A = \frac{259700}{2800 \times 0,9191 \times 36} = 2,8 \text{ cm}^2 \rightarrow 3T14 = 4,62 \text{ cm}^2$$

3T10 de montage

### Vérifications

#### contrainte

$$A = 4,62 \text{ cm}^2$$

$$\omega = \frac{100 A}{6R} = \frac{462}{30 \times 36} = 0,428 \rightarrow k = 35$$

$$\epsilon = 0,9$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{259700}{4,62 \times 0,9191 \times 36} = 1735 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = 50 < \bar{\sigma}'_b \quad \text{vérifié.}$$

#### Flèche . vérifié

#### Fixation

$$w_f = \frac{A}{B_f} = \frac{4,62}{30 \times 8} = 0,019$$

$$\bar{\sigma}_1 = 2,4 \times 1140 = 2736 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_2 = 1,265 \times 1896 = 2396 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\sigma}_{ay} = \bar{\sigma}_a = 2736 \text{ kg/cm}^2$$

On refait le calcul avec  $\bar{\sigma}_a = 2736 \text{ kg/cm}^2$

on trouvera que 3T14 reste valable.

### Armatures inférieures

$$\frac{T}{1+ \frac{r}{3}} = 2896 < A \bar{\sigma}_a$$

#### Adhérence

$$\frac{I}{np_3} = \frac{2896}{415,422} = 6,9 < 17,7 \text{ kg/cm} \quad \text{vérifié}$$

### Armatures transversales

$$C_b = \frac{T}{0,3} = \frac{2896}{30 \times 31,5} = 3,054 < 3,5 \bar{\sigma}_b \quad \text{vérifié}$$

$$\bar{\sigma}_b = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad ; \text{ on prendra (1 cadre + 1 élément Ø 8) = } 2,0 \text{ cm}^2$$

écartement admissible

$$E = \max \left| \begin{array}{l} t_1 = 0,2h = 7,2 \text{ cm} \\ t_2 = 30,3 \text{ cm} \end{array} \right.$$

espacement des cadres :

$$t = \frac{4t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_a}{2896} = \frac{2,01 \times 31,5 \times 1600}{2896} = 35,1 \text{ cm}$$

on prendra  $t = 25 \text{ cm}$

calcul de la poutre à la torsion

$$M_t = 1202 \text{ kg.m}$$

$$\frac{b}{a} = 1,33 \rightarrow K = 4,53$$

$$\zeta_{bm} = \frac{K M_t}{a^2 \cdot b} = \frac{4,53 \times 120200}{30^2 \times 40} = 15,12 \text{ kg/cm}^2$$

$$\frac{b}{a} = 1,33 < 3,5 \rightarrow \bar{\omega}_t = \bar{\omega}_c = \frac{a+b}{3 \times b} \times \frac{\zeta_{bm}}{\bar{\sigma}_a}$$

$$\bar{\omega}_t = \bar{\omega}_c = \frac{30+40}{3 \times 40} \times \frac{15,12}{2800} = 3,15 \cdot 10^{-3}$$

Comme  $B = a \times b = 30 \times 40 = 1200 \text{ cm}^2$  nous avons pour :

- Les armatures longitudinales :

$$A_c = \bar{\omega}_c \times B = 1200 \times 3,15 \cdot 10^{-3} = 3,78 \text{ cm}^2 \rightarrow 4T14 = 6,2 \text{ cm}^2$$

- Les armatures transversales :

$$\text{Volume/cm} \quad \bar{\omega}_t \times B = 3,78 \text{ cm}^2$$

$$\text{avec des cadres en } \Phi 8 = 0,5 \text{ cm}^2$$

Le volume d'un cadre a pour valeur :

$$0,5 (26 + 36) \times 2 = 62 \text{ cm}^3$$

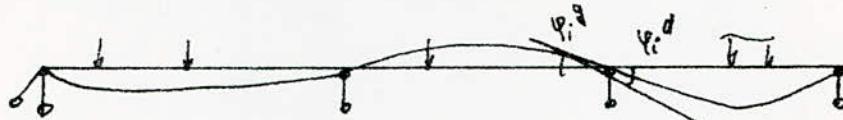
L'espacement des cadres :

$$\frac{62}{3,78} = 16,4 \text{ cm} \quad \text{on adoptera } t = 16 \text{ cm dont le } 1^\text{er} \text{ cours d'étriers sera placé à } 8 \text{ cm de l'appui.}$$

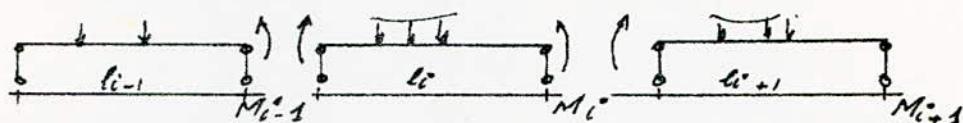
## CALCUL DES POUTRELLES

pour la détermination des efforts dans les poutrelles et les poutres, on appliquera la méthode exacte de CLAPEYRON (équation des 3 moments).

### EXPOSE THEORIQUE DE LA METHODE



Soit la poutre continue sur appuis simples représentée ci-dessus. Lorsqu'on coupe la poutre aux appuis, ces derniers seront remplacés par des moments alors chaque partie sera considérée comme une poutre simple et la déformation de chaque poutre est indépendante de l'autre.



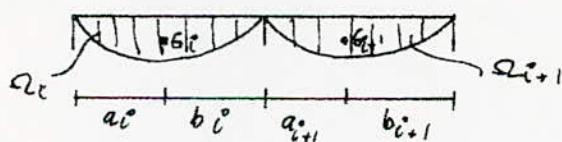
Les moments d'appuis dans le système isostatique sont les mêmes que dans les poutres données ; si la déformation de deux systèmes sont les mêmes.

en se basant sur cette condition, nous pouvons déduire l'équation des 3 moments ou l'équation de CLAPEYRON

$$M_i, l_i + 2M_{i-1}(l_i + l_{i+1}) + M_{i+1}l_{i+1} = -6 \left[ \frac{q_i a_i^2}{l_i} + \frac{q_{i+1} b_{i+1}}{l_{i+1}} \right]$$

$a_i$  : représente l'aire du diagramme des moments fléchissant produit par les charges appliquées à la travée  $l_i$  supposée sur deux appuis simples.

$a_i, b_i$  : sont les distances du centre de gravité de  $M_i$  aux appuis correspondants de gauche et de droite.



on peut construire les diagrammes des efforts ; en considérant chaque travée comme une poutre simple chargée par la charge du travée et par les moments d'appuis.

N.B : L'équation des 3 moments est représentée sur le pontre de rigidité de flexion est constante

CALCUL DES POUTRELLES

Notre plancher est constitué des corps creux (16+4) et des poutrelles préfabriquées sur chantier. Ils ont la même longueur 3,6 m. On considérera dans notre calcul la poutrelle la plus sollicitée. On la considérera comme appuyée simplement avant et après coulage du béton, elle travaille comme une poutre à plusieurs appuis (7 appuis).

La poutrelle est sollicitée par :

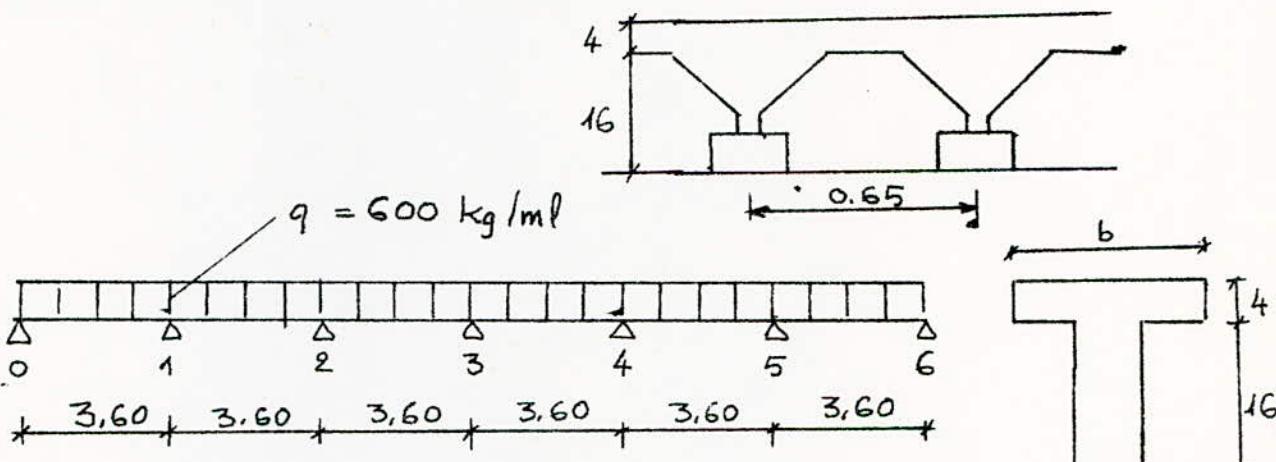
- Son poids propre et poids du plancher.
- Surcharge d'exploitation

elle sera sollicitée du première genre  $G + 1,2 P$   
Surface revenant à chaque poutrelle:  $0,65 \times t$   
où  $q = (G + 1,2 P) \cdot 0,65$

$$G + 1,2 P = 803 + 120 = 923 \text{ kg/m}^2$$

$$q = 923 \times 0,65 = 600 \text{ kg/m}$$

schéma statique de la poutrelle type N<sub>2</sub>:



Pour calculer les moments sur appuis on utilise la méthode de Clapeyron :

$$M_{i-1} l_i + 2M_i(l_i + l_{i+1}) + \sum_{i+1} M_{i+1} l_{i+1} = -6 \left( \frac{s_i a_i}{l_i} + \frac{s_{i+1} b_{i+1}}{l_{i+1}} \right)$$

$$M_0 = M_6 = 0$$

$$M_1 = M_5$$

$$M_2 = M_4$$

$$\begin{aligned} 4M_1 l + M_2 l &= -\frac{q l^3}{2} \\ M_1 l + 4M_2 l + M_3 l &= -\frac{q l^3}{2} \\ M_2 l + 4M_3 l + M_4 l &= -\frac{q l^3}{2} \end{aligned}$$

$$M_1 = \frac{-11}{104} q l^2 ; M_2 = -\frac{q l^2}{13} ; M_3 = \frac{-9}{104} q l^2 \\ = -822,5 \text{ kg.m} \quad = -598 \text{ kg.m} \quad = 673 \text{ kg.m}$$

les moments en travées seront déterminés en utilisant la relation pour la travée  $i-j$

$$M = \mu + M_i + \frac{M_j - M_i}{l} \cdot x$$

$M$ : moment en travée de la poutre hyperstatique.  
 $\mu$ : --- à l'abscisse  $x$  de la travée isostatique

$$\mu = \frac{q l}{2} x - \frac{q x^2}{2}$$

travée 0-1 :  $M = \frac{41}{104} q l x - \frac{q x^2}{2}$   
 $T = \frac{41}{104} q l - q x$

Le moment est max pour  $T=0 \rightarrow x = 1,42$

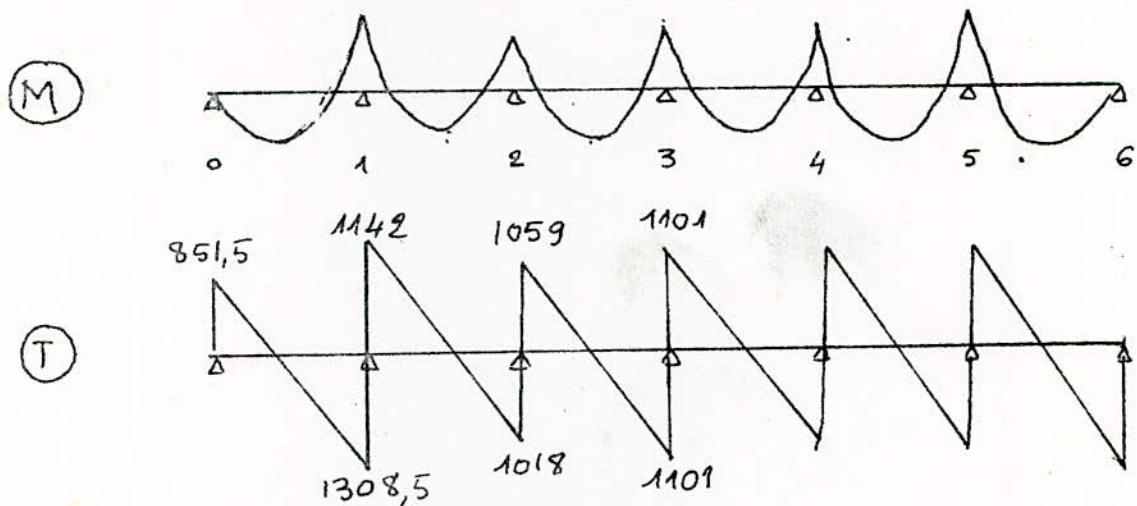
- $M_{\max} = 604,3 \text{ kg.m}$
- $T_0 = 851,5 \text{ kg}$ .
- $T_{1g} = -1308,5 \text{ kg}$ .

travée 1-2 :

- $M_{\max} = 265 \text{ kg.m}$
- $T_{1d} = 1142 \text{ kg}$ .
- $T_{2g} = -1018 \text{ kg}$ .

travée 2-3 :

- $M_{\max} = 336,5 \text{ kg.m}$
- $T_{2d} = 1059 \text{ kg}$ .
- $T_{3g} = -1101 \text{ kg}$ .



Determination de la largeur de compression (CBA 68 art 23,3)

$$(1) b_1 \leq \frac{l}{2} \quad l : \text{distance entre 2 poutrelles voisines}$$

$$(2) b_1 \leq \frac{l_0}{10} \quad l_0 : \text{portée entre axes des appuis}$$

$$(3) 5h_0 \leq b_1 \leq 8h_0 \quad h_0 : \text{épaisseur du fourré}$$

$$(4) b_1 \leq 32,5 \text{ cm}$$

$$(5) b_1 < 33 \text{ cm}$$

$$24 \leq b_1 \leq 32$$

$$\text{On prendra } b_1 = 24 \text{ cm}$$

d'où  $b = 24 \times 2 + 18$

$$\underline{b = 62 \text{ cm}}$$

Calcul des armatures :-

- armatures longitudinales

On les calcul avec la valeur du moment la plus grande

en travée :

$$M_{\max} = 604,3 \text{ kg.m}$$

$$\mu = \frac{15M}{\bar{\sigma}_a b h^2} = \frac{15 \cdot 60430}{2800 \cdot 62 \cdot (18)^2} = 0,0161 \implies \begin{cases} E = 0,9438 \\ K = 74 \\ \alpha = 0,1685 \end{cases}$$

$$y = \alpha h = 0,1685 \times 18 = 3 < 4 \text{ cm}$$

l'axe neutre tombe dans la table de compression, donc on assimile la section à une section rectangulaire pour calculer les armatures telle que  $\begin{cases} b = 62 \text{ cm} \\ h = 18 \text{ cm} \end{cases}$ .

$K > \bar{K}$  pas d'aciess comprimées

$$A = \frac{M}{\bar{\sigma}_a E h} = \frac{60430}{2800 \cdot 0,9438 \cdot 18} = 1,27 \text{ cm}^2$$

$$3T10 = 2,35 \text{ cm}^2$$

Sur appuis :

$M = 822,5 \text{ kg.m}$ , section rectangulaire de dimension  $14 \times 20 \text{ cm}^2$ .

$$\mu = \frac{15M}{\bar{\sigma}_a b h^2} = \frac{15 \times 82250}{2800 \times 14 \cdot (18)^2} = 0,971 \implies \begin{cases} E = 0,875 \\ K = 25,2 \\ \alpha = 0,37 \end{cases}$$

$$A = \frac{82250}{2800 \times 0,875 \times 18} = 1,86 \text{ cm}^2$$

Pour faciliter l'exécution on prendra 1T16 = 2,016

Calcul à la vérification :Contraintes :

- en travée :  $A = 2,35 \text{ cm}^2$

$$\omega = 100 \frac{A}{bh} = 0,21 \longrightarrow \begin{cases} K = 52,7 \\ \epsilon = 0,9263 \end{cases}$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A\epsilon h} = \frac{60430}{2,35 \times 0,9263 \times 18} = 1542 < \bar{\sigma}_a$$

$$\sigma'_b = \frac{\sigma_a}{K} = 29 < \bar{\sigma}'_b$$

- à l'appui :  $A = 2,01 \text{ cm}^2$

$$\omega = 100 \cdot \frac{A}{bh} = \frac{2,01}{14 \times 18} = 0,797 \longrightarrow \begin{cases} K = 24,1 \\ \epsilon = 0,8721 \end{cases}$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A\epsilon h} = \frac{82250}{2,01 \times 0,8721 \times 18} = 2607 < \bar{\sigma}_a$$

$$\sigma'_b = \frac{\sigma_a}{K} = 108 < \bar{\sigma}'_b \quad \text{vérifié.}$$

Condition de non fragilité du Béton : (CCBA 68 art 52)

$$A \geq 0,69 b h \frac{\bar{\sigma}_b}{\sigma_{en}}$$

- en travée :  $A \geq 0,69 \times 62 \times 18 \times \frac{5,8}{4200} = 1,06$ .

- à l'appui  $A \geq 0,69 \times 14 \times 18 \times \frac{5,8}{4200} = 0,24$  vérifié

Fleche :

(CCBA 68 art 58-4)

aucune justification de fleche n'est pas à considerer si :

$$\frac{h_t}{l} \geq \frac{1}{15} \frac{M_E}{M_o} ; \quad \frac{A}{b_0 h} \geq \frac{36}{\sigma_{en}} ; \quad \frac{h_t}{l} \geq \frac{1}{22,5}$$

$h_t$  : hauteur totale de la section

$l$  : portée libre

$M_E$  : moment max au travée

$M_o$  : " " isostatique

$A$  : section d'armatures tendues

$h$  : hauteur totale

$$\frac{h_t}{l} = \frac{20}{3,60} = 0,056 > \frac{M_E}{15 M_o} = 0,04 \quad \text{vérifié}$$

$$\frac{h_t}{l} \geq \frac{1}{22,5} \quad \text{vérifié.}$$

$$A \leq b_0 h \frac{36}{\sigma_{en}} = \frac{14 \times 18 \times 36}{4200} = 8,16 \quad \text{vérifié}$$

fissuration :

A	w	φ	σ <sub>1</sub>	σ <sub>2</sub>
2,35	0,049	10	7099	2829
2,01				

$$\longrightarrow \bar{\sigma}_{af} = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

Adhérence :

$$\bar{\tau}_d = 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

$$\tau_d = \frac{T}{npz} = \frac{130,8}{9,48 \times 15,75} = 8,8 < 17,7 \text{ vérifié}$$

armatures transversales (CCBA 68 art 25)

$$T_{\max} = 1308,5 \text{ kg}$$

Contrainte de cisaillement

$$G_b = \frac{T_{\max}}{b_0 \cdot z} = \frac{1308,5}{14 \times 15,75} = 5,92 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{G}_b = 3,5 \bar{\sigma}_b = 20,3 \text{ kg/cm}^2$$

$$G_b < \bar{G}_b$$

Contrainte admissible des armatures :-

$$\bar{\sigma}_{at} = f_a \bar{\sigma}_{en} \quad f_a = \frac{2}{3} \text{ reprise de bétonnage}$$

$$\bar{\sigma}_{at} = \frac{2}{3} \cdot 2400 = 1600 \text{ kg/cm}^2$$

On prendra des étriers φ6  $A = 0,56 \text{ cm}^2$

écartement admissible :

$$\bar{t} = \max \left\{ \begin{array}{l} 0,2 h_1 = 0,2 \times 18 = 4 \text{ cm} \\ h \left( 1 - 0,3 \frac{\bar{G}_b}{\bar{\sigma}_b} \right) = 11,67 \text{ cm} \end{array} \right.$$

L'espacement transversal :

$$t = \frac{A_t \cdot z \cdot \bar{\sigma}_{at}}{T} = \frac{0,56 \times 15,75 \times 1600}{1308,5} = 10,78 \sim 10 \text{ cm}$$

On prendra  $t = 10 \text{ cm}$  pour la moitié de la longueur de la poutrelle on aura :

$$5. + 2 \times 10 + 11 \times 13 .$$

Ferraillage de la table de compression (CCBA 68 art 58-2)

La table de compression est armée d'une quadrillage des barres dont les dimensions des mailles ne doivent pas dépasser:

- 20 cm pour les armatures perpendiculaires aux nervures
- 33 cm " " " " parallèles "

Soit un treillis soude: de  $20 \times 30$   $\phi 4$   
 Soit  $l_n$  l'écartement de deux axes des nervures voisines  
 Compris entre 50 et 80.

$$A \geq \frac{43}{\sigma_{en}} \cdot P_n \quad \text{avec: } \begin{cases} \sigma_{en} = 5300 \text{ kg/cm}^2 \\ l_n = 65 \text{ cm} \end{cases}$$

$$\frac{43}{\sigma_{en}} l_n = \frac{43 \times 65}{530} = 0,53 \text{ cm}^2.$$

$$A_L = 0,628 \text{ cm}^2/ml \quad \text{vérifié'}$$

donc on peut adapter des mailles  $(20 \times 30) \phi = 4$ .

POUTRELLE TYPE N,

Elle est constituée de deux travées égales à 3,60 m

$$q = (G + 1,2 P) \times 0,65 = 600 \text{ kg/ml}$$

schéma statique :

Pour déterminer les efforts on utilisera la méthode de Clapeyron.

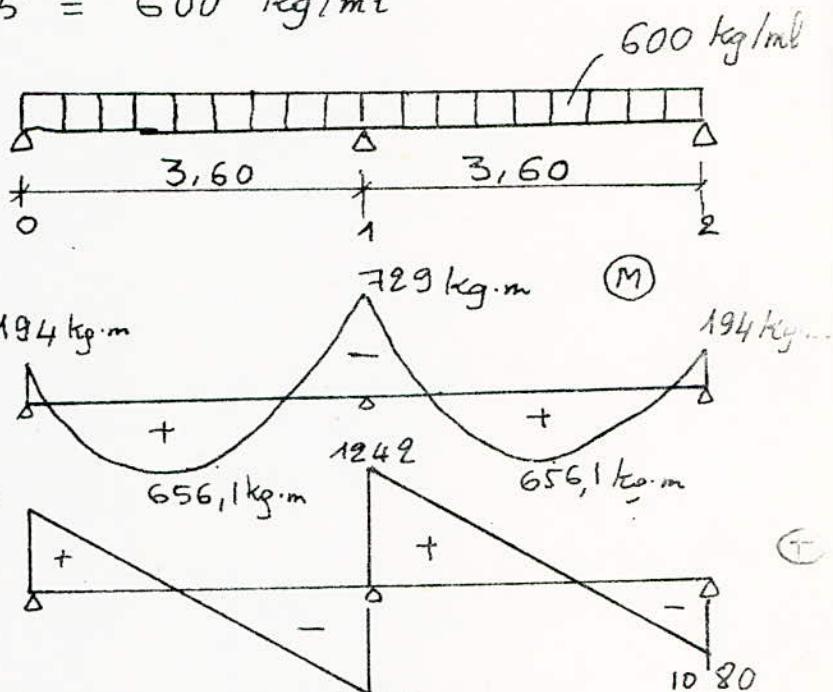
$$M_1 = -729 \text{ kg.m}$$

$$M_t = 656,1 \text{ kg.m}$$

$$M_0 = M_2 = 194,4 \text{ kg.m}$$

$$T_0 = 1080 \text{ kg}$$

$$T_{tg} = 1242 \text{ kg.}$$



Determination de la table de compression: d'après le calcul précédent on adoptera  $b = 62 \text{ cm}$

Calcul des armatures:

en utilisant la méthode de Pierre Charon).

En travée:

$$\mu = \frac{15 M}{\bar{\sigma}_a b h^2} = \frac{15 \times 65610}{2800 \times 62 \times (18)^2} = 0,0175$$

$$\begin{cases} \varepsilon &= 0,9417 \\ k &= 70,8 \\ d &= 0,1750 \end{cases}$$

$y = \alpha h = 0,1750 \times 18 = 3,15 < 4 \text{ cm}$ , l'axe neutre tombe dans la table de compression, la section sera assimilée à une section rectangulaire de caractéristiques.

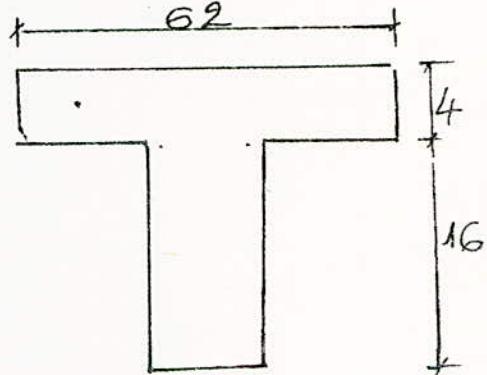
$$\begin{cases} b &= 62 \text{ cm} \\ h &= 18 \text{ cm} \end{cases}$$

$$A = \frac{M}{\bar{\sigma}_a E h} = \frac{65610}{2800 \times 0,9417 \times 18} = 1,38 \text{ cm}^2 \rightarrow 3T10 = 2,35 \text{ cm}$$

A l'appui : section rectangulaire 14 x 20 cm

$$\mu = \frac{15 \times 72900}{2800 \times 14 \times (18)^2} = 0,086 \rightarrow \begin{cases} k &= 27,3 \\ \varepsilon &= 0,8818 \end{cases}$$

$$A = \frac{72900}{2800 \times 18 \times 0,8818} = 1,64 \text{ cm}^2 \rightarrow 1T16 = 2,01$$



Calcul à la vérification :Contrainte :

en travée : d'après l'étude de la poutrelle précédente

$$\sigma_a = \frac{65610}{2,35 \times 0,9263 \times 18} = 1674 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a \text{ vérifié}$$

à l'appui : vérifié . calcul précédent

Condition de non fragilité : vérifié

fleche : vérifié . calcul précédent

adhérence : vérifié

armatures transversales :

contrainte de cisaillement

$$\tau_b = \frac{T_{\max}}{b_o \cdot z} = \frac{1242}{14 \times 15,75} = 5,63 < \bar{\tau}_b = 3,5 \bar{\sigma}_b = 20,3 \text{ f}$$

Contrainte admissible des armatures

$$\bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2$$

On prendra  $\phi 6 = 0,56 \text{ cm}^2$   
écartement admissible :

$$\bar{t} = \max \left\{ t_1 = 4 \text{ cm} \right.$$

$$\left. t_2 = 11,67 \text{ cm} \right.$$

l'espacement des étrierres :

$$t = \frac{0,56 \times 15,75 \times 1600}{1242} = 11,4 \text{ cm}$$

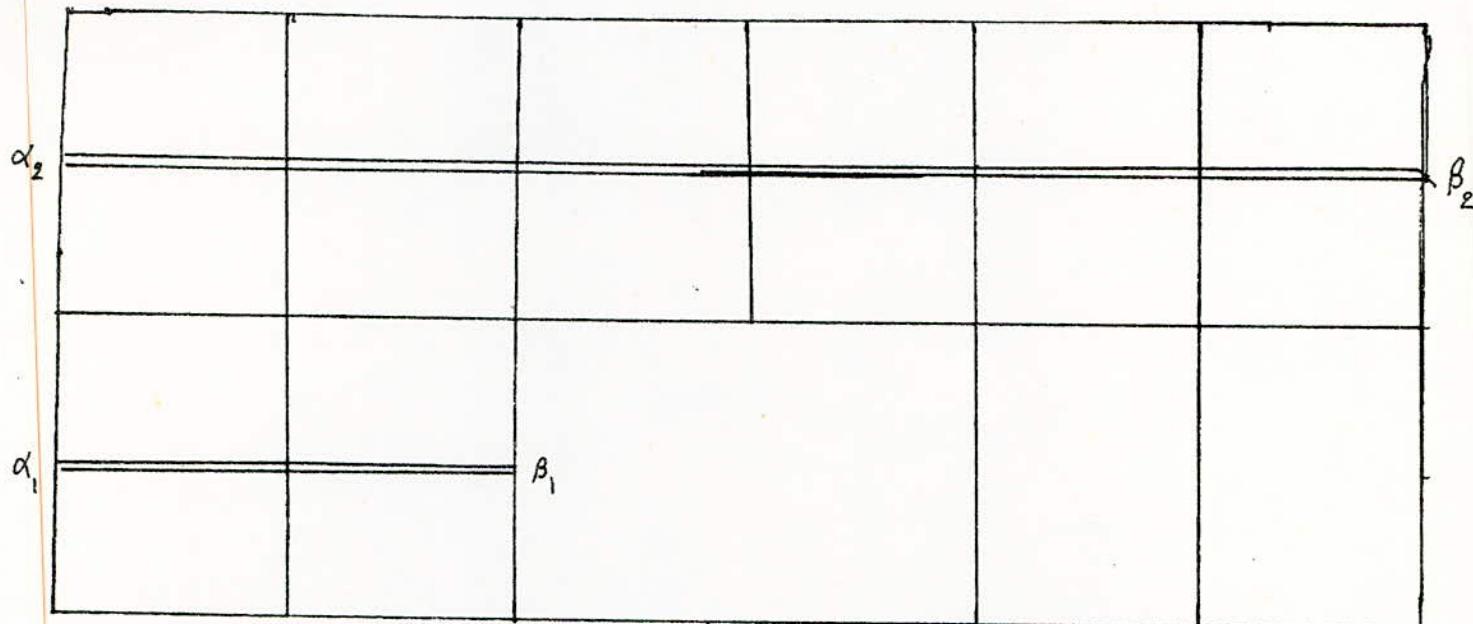
On prendre  $t = 11 \text{ cm}$ , on aura :

$5,5 + 2 \times 11 + 11 \times 13$  jusqu'à moitié de la travée.

Ferraillage de la table de compression :

elle est armée d'un quadrillage soudé de  $20 \times 30 \phi 4$   
d'après le calcul précédent.

### CALCUL DES POUTRELLES DU PLANCHER ETAGE



On a deux genres des poutrelles, on considerant les charges revenant aux poutrelles.

$\alpha_1 \beta_1$  poutrelle à 2 travées.  
 $\alpha_2 \beta_2$  " " 6 "

#### Etude de la poutrelle $\alpha_1 \beta_1$

charges et surcharges revenant à  $\alpha_1 \beta_1$ :  
la surface revenant à chaque poutrelle :  $0,65 \times l$

$$q = (G + 1,2 P) 0,65$$

$$q = (470 + 75 + 1,2 \times 250) 0,65 = 549,25 \text{ kg/ml.}$$

d'après le calcul précédent et  
par application du théorème  
des trois moments :

$$M_{1,1} = -667,34 \text{ kg.m}$$

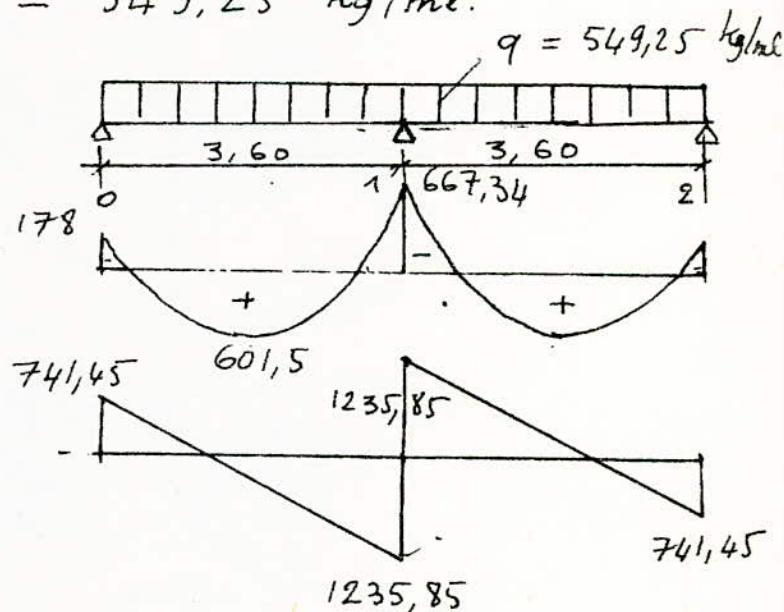
en travée :

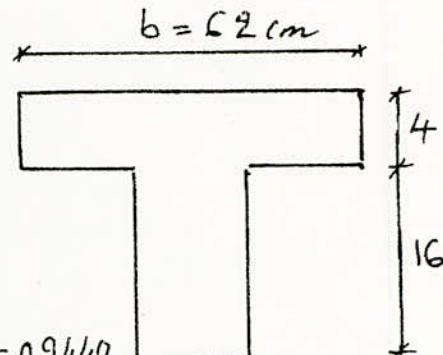
$$M_{\max} = 601,5 \text{ kg.m}$$

$$T_o = 741,45 \text{ kg.}$$

$$T_{1,g} = -1235,85 \text{ kg.}$$

$$M_o = M_e = 178 \text{ kg.}$$





Determination de la table de compression  
d'après le calcul précédent ; on aura :

$$b = 62 \text{ cm}$$

Calcul des armatures :  
Armatures longitudinales :

en travée :

$$\mu = \frac{15M}{\sigma_a b h^2} = \frac{15 \times 60150}{2800 \times 62 \times 18^2} = 0.016 \rightarrow \begin{cases} \epsilon = 0.9440 \\ K = 74.3 \\ d = 0.1680 \end{cases}$$

$$y = \alpha h = 0.1680 \times 18 = 3,024 < 4 \text{ cm}$$

L'axe neutre tombe dans la table de compression, on peut donc assimiler la section en T à une section rectangulaire.

$$\begin{cases} b = 62 \text{ cm} \\ h = 18 \text{ cm} \end{cases}$$

$K > \bar{K}$  pas d'armature comprimées.

$$A = \frac{M}{\sigma_a \cdot \epsilon h} = \frac{60150}{2800 \times 0.944 \times 18} = 1,26 \text{ cm}^2, \text{ on prendra } 3T10 \quad 2,35 \text{ cm}^2$$

à l'appui :

$$\mu = \frac{15 \cdot 667,34}{2800 \times 14 \times (18)^2} = 0,0788 \rightarrow \begin{cases} K = 28,9 \\ \epsilon = 0.8861 \\ \alpha \end{cases}$$

$$A = \frac{66734}{2800 \times 0.8861 \times 18} = 1,49 \text{ cm}^2, \text{ on prendra } 1T14 = 1.54 \text{ cm}^2$$

Vérification :

A	$\omega$	K	$\epsilon$	$\sigma_a$	$\sigma_b'$
2,35	0,21	52,7	0,9263	1542	29
1,54	0,611	28,4	0,8848	2720,8	96

Vérifié

Condition de non fragilité du béton : vérifiée d'après le calcul précédent

fleche :  $\frac{ht}{l} > \frac{1}{15} \frac{Mt}{M_o}$  vérifié

$$A \leq 36 \cdot \frac{b \cdot h}{\sigma_{en}} = 2,16 \text{ vérifié.}$$

$$\frac{ht}{t} > \frac{1}{22,5} \text{ vérifié.}$$

fissuration : vérifiée d'après le calcul de la poutrelle terrasse

adhérence :

$$\bar{\gamma}_d = \frac{T}{npz} = \frac{1235,85}{6,28 \times 15,75} = 12,5 < \bar{\gamma}_d = 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

armatures transversales :

$$T = 1235,85 \text{ kg.}$$

$$\bar{\sigma}_b = \frac{T_{\max}}{b \cdot 3} = \frac{1235,85}{14 \times 15,75} = 5,64 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\bar{\sigma}'_{b_0} = 96 > \bar{\sigma}'_{b_0} \rightarrow \bar{\sigma}_{b_0} = \left( 4,5 - \frac{\bar{\sigma}'_{b_0}}{\bar{\sigma}'_{b_0}} \right) \bar{\sigma}_b = 18 \text{ kg/cm}^2.$$

$\bar{\sigma}_b < \bar{\sigma}_{b_0}$  vérifié.

Contrainte admissible:  
 $\bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2$  on prendra  $\phi 6 \quad A = 0,56 \text{ cm}^2$ .

Ecartement admissible:-

$$\bar{t} = \max \begin{cases} t_1 = 0,2 h = 4 \text{ cm} \\ t_2 = 11,9 \text{ cm} \end{cases}$$

espacement des armatures transversales:-

$$t = \frac{A_t \cdot Z \cdot \bar{\sigma}_{at}}{T} = \frac{0,56 \times 15,75 \times 1600}{1235,85} = 11,4 \text{ cm.}$$

On prendra  $t = 11 \text{ cm}$ , on conserve cette écartement pour respecter l'espacement doit être inférieur à la hauteur  
 $5,5 + 2 \times 11 + 11 \times 13$

Ferraillage de la table de compression:

elle est armé d'un quadrillage des barres dont les dimensions des mailles ne dépassent pas :

20 cm pour les armatures  $\perp$  aux nervures

33 cm " on prendra un treillis soudé de  $20 \times 30 \phi 6 \text{ mm}$ , telle que

$$A \geq \frac{43}{0,6} l_n = 0,53$$

$$A_{\perp} = 0,628 \text{ cm}^2/\text{ml} \quad \text{vérifié.}$$

Calcul de la poutrelle  $\alpha_2 \beta_2$ .

elle est constituée de 6 travées uniformément chargées charge revenant à chaque travée : 0-1, 1-2, 4-5, 5-6.

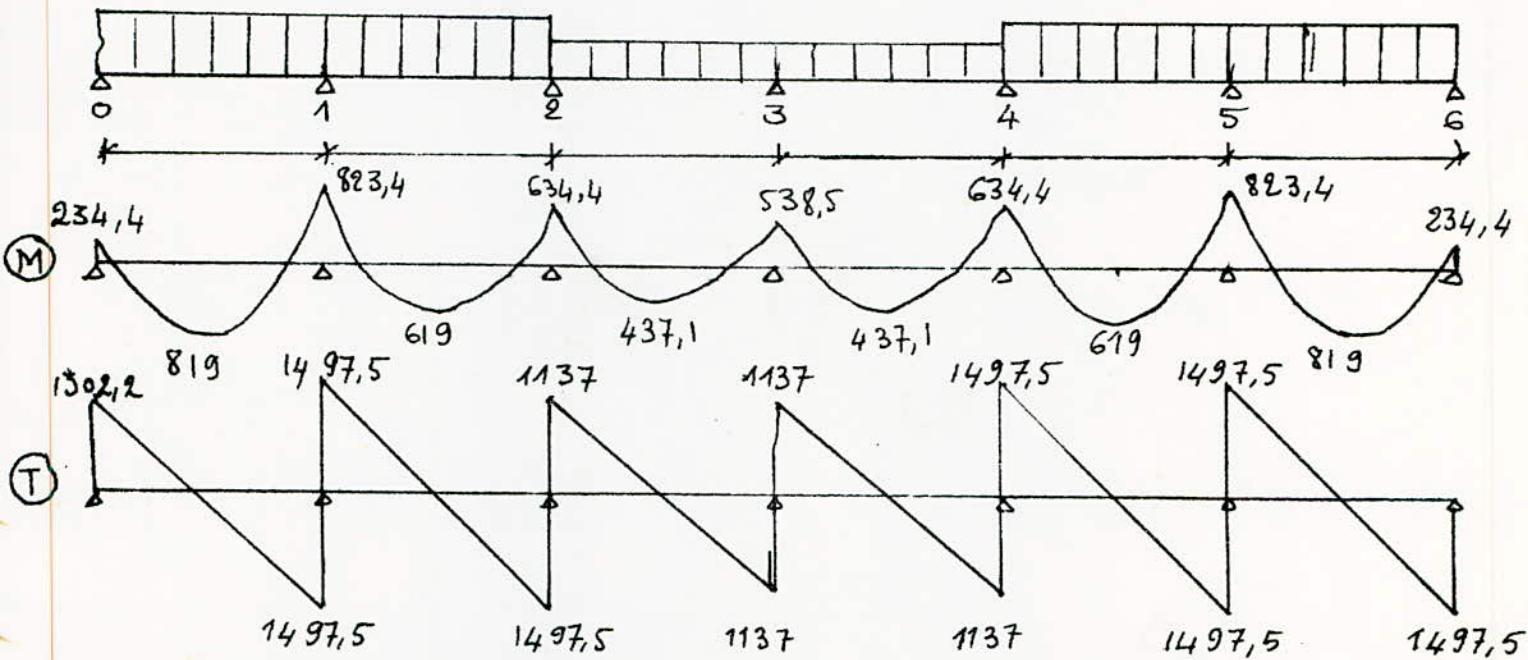
$$g + 1,25 = (813 + 300) \text{ kg/m}^2$$

$$q = 1113 \times 0,65 = 723,45 \text{ kg/m}^2$$

$$q = 549,25 \text{ kg/m}^2 \text{ pour les travées 2-3, 3-4}$$

pour déterminer les efforts, on applique l'équation des moments.

### schema statique :



Determination de la largeur de compression :  
d'après le calcul précédent on a établi la largeur de la table de compression  $b = 62 \text{ cm}$

### Calcul des armatures :

#### armatures longitudinales :

en travée :  $M = 819 \text{ kg} \cdot \text{m}$

$$\mu = \frac{15 \times 81900}{2800 \times 62 \times (18)^2} = 0,0218 \rightarrow \begin{cases} k = 62,5 \\ \alpha = 0,1935 \\ \varepsilon = 0,9325 \end{cases}$$

$y = \alpha h = 0,1935 \times 18 = 3,48 < 4 \text{ cm}$   
L'axe neutre tombe dans la table de compression.  
on peut donc assimiler la section en Té à une section rectangulaire:  $b = 62 \text{ cm}$ ,  $h = 18 \text{ cm}$ .

$$A = \frac{M}{\alpha \cdot \varepsilon \cdot h} = \frac{81900}{2800 \times 0,9325 \times 18} = 1,74 \text{ cm}^2 \rightarrow \begin{cases} 3T10 = \\ 2,35 \text{ cm}^2 \end{cases}$$

à l'appui :  $M = 823,4 \text{ kg} \cdot \text{m}$ , section rectangulaire  $14 \times 20$

$$\mu = \frac{15 \times 82340}{2800 \times 14 \times (18)^2} = 0,0972 \rightarrow \begin{cases} k = 25,2 \\ \alpha = 0,3731 \\ \varepsilon = 0,8756 \end{cases}$$

$$A = \frac{82340}{2800 \times 0,8756 \times 18} = 1,86 \text{ cm}^2 \rightarrow 1T16 = 2,01 \text{ cm}^2$$

Verification :Contrainte :

$$A = 2,35 \text{ cm}^2; \omega = 0,21; k = 52,7; \varepsilon = 0,9263$$

$$\bar{\sigma}_a = 2090 \text{ kg/cm}^2; \sigma'_b = 40 < \bar{\sigma}_b.$$

$$A = 2,01 \text{ cm}^2; \omega = 0,797; k = 24,1; \varepsilon = 0,8721$$

$$\bar{\sigma}_a = 2609,6 < \bar{\sigma}_a; \sigma'_b = 108 \text{ kg/cm}^2.$$

fragilité du béton : vérifié.

fleche : vérifié.

fissuration : vérifié d'après le calcul de la poutrelle terrasse.

adhérence :  $\bar{\sigma}_d = \frac{T}{n \cdot \bar{z}} = \frac{14975}{9,42 \times 15,75} = 10,1 \text{ kg/cm}^2 < 17,7 \text{ kg/cm}^2$

armatures transversales:

$$T = 1497,5 \text{ kg}$$

$$\bar{\sigma}_b = \frac{T}{\bar{z} \cdot n} = \frac{1497,5}{14 \times 15,75} = 7 \text{ kg/cm}^2.$$

$$\bar{\sigma}_b = \bar{\sigma}_b \left( 4,5 - \frac{\sigma'_b}{\bar{\sigma}_b} \right) = 17 \rightarrow \bar{\sigma}_b < \bar{\sigma}_b.$$

$$\bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2. \text{ on prendra } \phi 6.$$

écartement :

$$t = \frac{A_t \cdot z \cdot \bar{\sigma}_{at}}{T} = \frac{0,56 \times 15,75 \times 1600}{1497,5} = 9,42 \text{ cm}$$

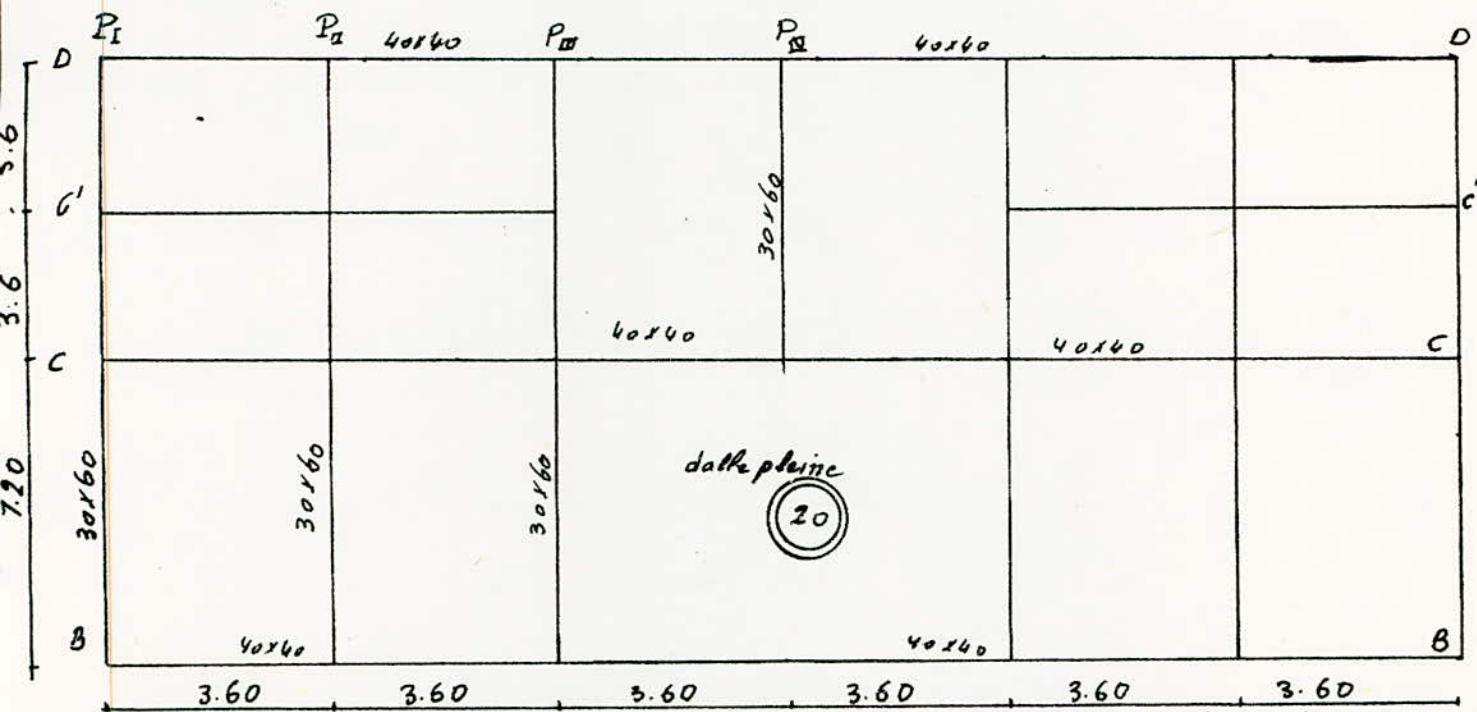
$$\text{On prend } t = 9 \text{ cm}$$

le 1<sup>er</sup> cours d'etrier est située à 4,5 m de l'appui  
 $4,5 + 2 \times 9 + 2 \times 10 + 2 \times 11 + 8 \times 13$

Ferraillage de la table de compression:

On adoptera le même ferraillage que précédemment  
 c'ds treillis soude' de (20x30)  $\phi 4 \text{ mm}$ .

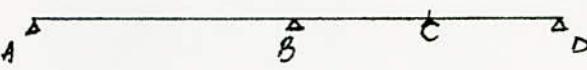
## CALCUL DES EFFORTS

PLANCHER TERRASSEVUE EN PLAN

VUE La symétrie de notre bâtiment, on peut considérer une poutre dérivée et 3 poutres intermédiaires :  $P_1$ ;  $P_2$ ,  $P_3$ ;  $P_4$

CALCUL DE  $P_1$ 

charges revenant à  $P_1$ .  
tracé A-B.



plancher + acrotière : 1690 kg/m<sup>2</sup>

p.p. poutre : 450 kg/m<sup>2</sup>

Surcharges :  $s_b = 100 \text{ kg/m}^2$   
en considérant la sollicitation du 1<sup>er</sup> genre.

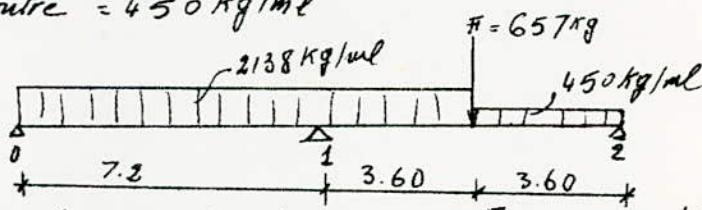
$$g_i = g + 1.25 = 2138 \text{ kg/m}^2$$

partie B-D

$g = 2138 \text{ kg/m}^2$  et une force appliquée au point C (milieu de la travée) due à la poutre C'  $F = 657 \text{ kg}$ .

partie C-D

p.p. de la poutre = 450 kg/m<sup>2</sup>

Schéma statique

$$\text{l'équation des 3 moments: } M_0 l_1 + 2M_1(l_1 + l_2) + M_2 l_2 = -6 \left[ \frac{s_b a_1}{l_1} + \frac{s_b a_2}{l_2} \right]$$

$$M_0 = M_2 = 0 \text{ (appuis simples)}$$

$$l_1 = l_2 = 7.2 \text{ m}$$

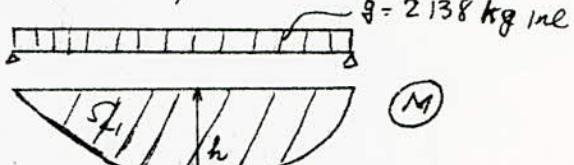
on a une seule inconnue  $M_1$

### Détermination de $\Omega_1$ et $\Omega_2$

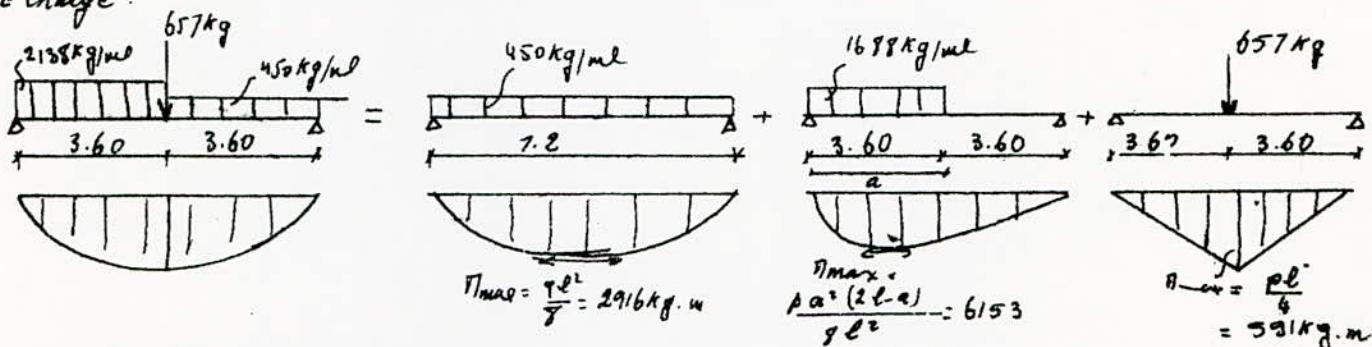
on considérant les diagrammes des moments pour chaque travée considérée isostatique.

$$\Omega_1 = \frac{2}{3} l h = \frac{2}{3} l \cdot \frac{l^2}{8}$$

$$\Omega_2 = \frac{q_1 l^3}{12} = 66500$$



Pour déterminer  $\Omega_2$ , correspondant à la travée BC en considérant la superposition des diagrammes relatifs à chaque cas de charge.



$$\Omega_2 = \frac{591 \times 7.2}{2} + \frac{2}{3} 7.2 \times 2916 + \frac{2}{3} 7.2 \times 6153$$

$$\frac{\Omega_1 l}{\Omega_2} = \frac{591 \times 7.2 \times 7.2 / 2}{2 \times 7.2} + \frac{2}{3} \frac{7.2 \times 6153 \times 4.5}{7.2} + \frac{2}{3} \frac{7.2 \times 2916 \times 7.2 / 2}{7.2} = 27586$$

d'où l'équation des moments sera :

$$4M_1 l = -6[27586 + 33250] \rightarrow M_1 = -12674.2 \text{ kg.m}$$

### Détermination des efforts pour chaque travée

en utilisant la relation pour la travée i-j :  $M = P + M_{i0} + \frac{M_j - M_i}{l} x$

où  $M$  : moment en un abscisse de la travée hybride statique

$P$  : " " à l'abscisse  $x$  de la travée isostatique de référence

$$P = \frac{q l}{2} x - \frac{q x^2}{2}$$

travée 0-1

$$M = \frac{q l}{2} x - \frac{q x^2}{2} - \frac{12674.2}{l} x$$

$$T = \frac{q l}{2} - 9x - \frac{12674.2}{l}$$

Max max pour  $T = 0$

$$\rightarrow x = 2.8 \text{ m}$$

$$M_{max} = 8241 \text{ kg.m}$$

$$T_0 = 5936 \text{ kg.}$$

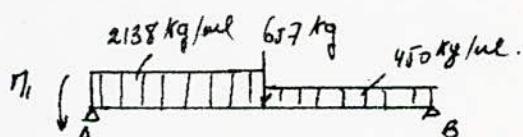
$$T_{1,2} = -9457.6 \text{ kg.}$$

travée 1-2

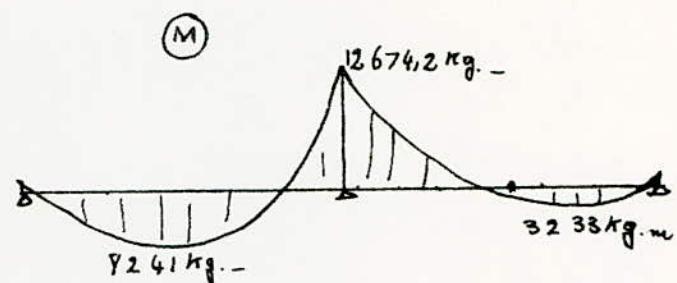
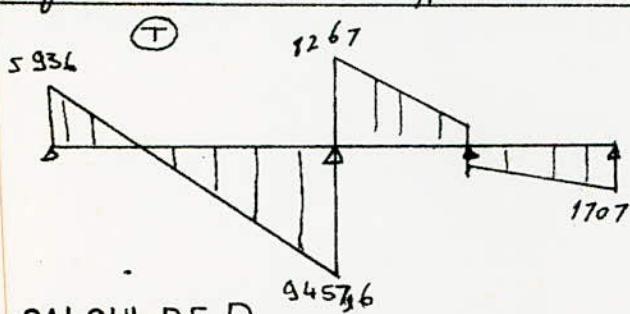
$$R_A = T_{1,2} = 9267 \text{ kg}$$

$$T_2 = -1707 \text{ kg.}$$

$$M_{max} = 3233 \text{ kg.m}$$

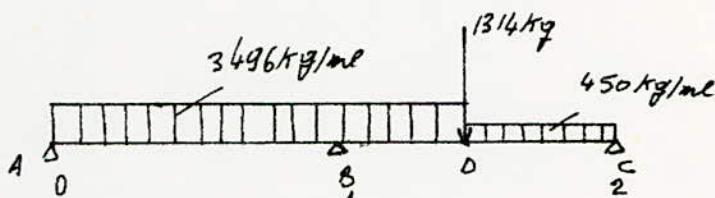


Diagrammes des moments et des efforts tranchants



CALCUL DE P<sub>D</sub>

charges retenant à P<sub>D</sub>  
travée A-B



plancher + p.p. de la poutre : 3,100 kg/m

$$1,256 \quad 120 \times 3,3 = 396 \text{ kg/m}$$

$$q = 3,496 \text{ kg/m}$$

$$B-D \quad q = 3,496 \text{ kg/m}$$

$$D-C \quad p.p. = 4,50 \text{ kg/m}$$

une force appliquée au pt<sup>e</sup> D due à la poutre c'.

L'équation des 3 moments :

$$4M_1 \cdot l = -6 \left[ \frac{a_1 \cdot a_1}{l} + \frac{a_2 \cdot b_2}{l} \right]$$

d'après le calcul précédent on obtiendra :

$$a_1 = 108739,6$$

$$\frac{a_1 \cdot a_1}{l} = 54370 \quad ; \quad \frac{a_2 \cdot b_2}{l} = 44565$$

$$4M_1 \cdot l = -6 [54370 + 44565] \rightarrow M_1 = -20611 \text{ kg.m}$$

Travée 0-1

$$M = 9 \frac{l}{2} x - 9 \frac{x^2}{2} - \frac{20611}{l} \cdot x$$

$$T = \frac{9l}{2} - 9x - \frac{20611}{l}$$

$$M \text{ est max pour } T=0 \Rightarrow x = 9,8 \text{ m}$$

$$M_{\max} = 13520 \text{ kg.m}$$

$$T_0 = 9723 \text{ kg}$$

$$T_{1g} = -15448 \text{ kg}$$

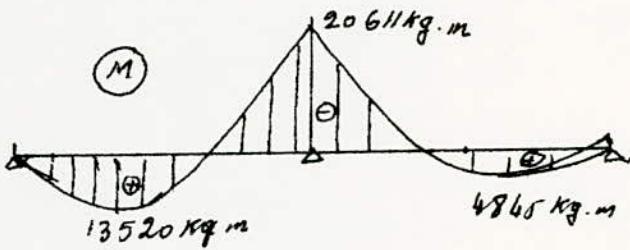
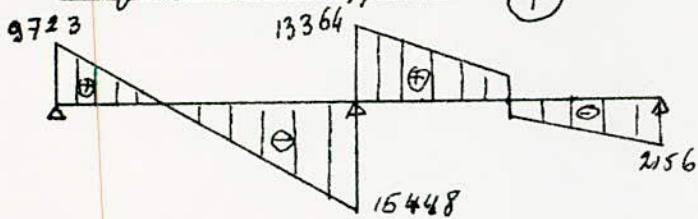
Travée 1-2

$$M_{\max} = 4845 \text{ kg.m}$$

$$T_{1d} = 13364 \text{ kg}$$

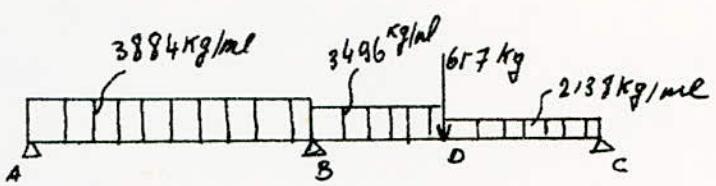
$$T_2 = 2156 \text{ kg}$$

Diagrammes des efforts



### CALCUL DE P<sub>III</sub>

charges revenant à P<sub>III</sub>  
travée A-B



dalle plane + pl. corps creux  
 $(803 + 1038) \frac{3.3}{2} \text{ kg/mel}$   
 p.p. poutre  $450 \text{ kg/mel}$   
 Surcharge  $1,2 \times 3.3 \times 100$   
 $g = 3884 \text{ kg/mel}$

### travée B-C

B-D : plancher :  $803 \times 3.3 \text{ kg/mel}$   
 p.p. poutre :  $450 \text{ kg/mel}$   
 Surcharge  $\frac{396}{3} \text{ kg/mel}$   
 $g = 3496 \text{ kg/mel}$

D-C : plancher :  $803 \times 1.65 \text{ kg/mel}$   
 p.p. poutre :  $450 \text{ kg/mel}$   
 Surcharge  $\frac{198}{3} \text{ kg/mel}$   
 $g = 2138 \text{ kg/mel}$

force localisée due à C'  $F = 657 \text{ kg}$ .  
 L'équation des 3 moments :

$$477,6 = -6 \left[ \sum \frac{a_i}{l} + \sum \frac{b_i}{l} \right]$$

$$= -6 [60404 + 32939] \rightarrow M_1 = -19446,5 \text{ kg.m}$$

### efforts de chaque travée

#### travée 0-1

$$\begin{cases} M = \frac{9l}{2}x - \frac{9x^2}{2} - \frac{19446,5}{l}x \\ T = \frac{9l}{3} - 9x - \frac{19446,5}{l} \end{cases}$$

M<sub>max</sub> pour x = 2,9 m

$$M_{max} = 16384 \text{ kg.m}$$

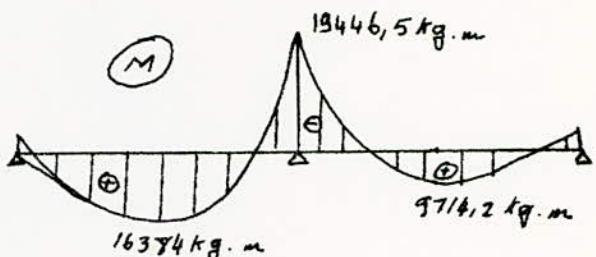
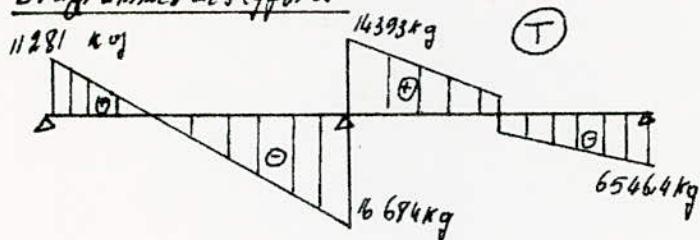
$$T_{id} = 11281 \text{ kg}$$

$$T_{tg} = -16684 \text{ kg}$$

#### travée 1-2

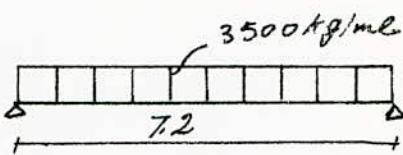
- M<sub>max</sub> = 3714,2 kg.m
- T<sub>id</sub> = 14393 kg
- T<sub>tg</sub> = -6546,4 kg

#### Diagrammes des efforts



CALCUL DE Pcharges revenant à  $P_{10}$ 

- plancher :  $803 \times 3.3 \text{ kg/m}^2$
- p.p. poutre :  $450 \text{ - }$
- Surcharge :  $1.2 \times 100 \times 3.3 \text{ - }$
- $q = 3500 \text{ kg/m}^2$

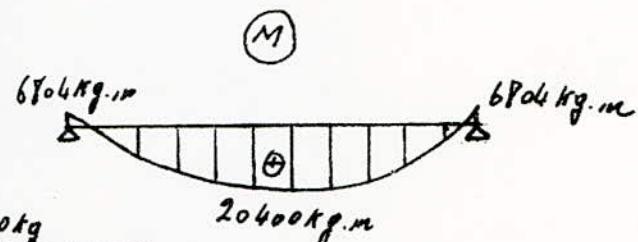
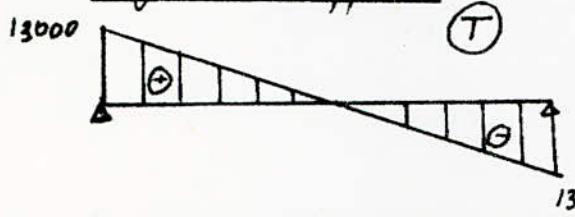


$$M_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{3500 \times 7.2^2}{8} = 22680 \text{ kg.m}$$

$$M_E = 0.85 M_0 = 20400 \text{ kg.m}$$

$$M_a = 0.3 M_0 = 6804 \text{ kg.m}$$

$$T = \frac{q l}{2} = 13000 \text{ kg}$$

Diagrammes des effortsCALCUL DES POUTRES CHAINAGESPOUTRE D-D

charges correspondantes à chaque travée :

Travées : 0-1 ; 1-2 ; 4-5 ; 5-6

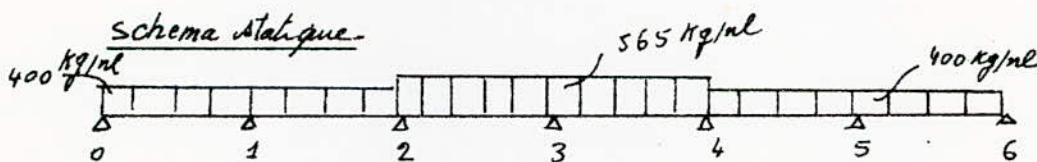
$$\rho \cdot p = 0.6 \times 0.6 \times 2500 = 600 \text{ kg/m}^2$$

Travées : 2-3 ; 3-4

$$\rho \cdot p = 600 \text{ kg/m}^2$$

$$\text{ancre} \quad 165 \text{ kg/m}^2$$

$$q = 565 \text{ kg/m}^2$$



Vue la symétrie de la poutre on déduit :

$$M_0 = M_6 = 0$$

$$M_1 = M_5$$

$$M_2 = M_4$$

pour la détermination des efforts on utilisera la méthode exacte de CLAPÉYRON. d'où les équations des 3 moments :

$$4M_1 l + M_2 l = -\frac{9l^3}{2}$$

$$M_1 l + 4M_2 l + M_3 l = -\frac{(q_1 + q_2)l^3}{2}$$

$$M_2 l + 4M_3 l + M_4 l = -\frac{9l^3}{2}$$

La résolution de ce système d'équations nous donnera :

$$M_1 = \frac{(-109_1 + 39_2)}{104} \ell^2 ; \quad M_2 = \frac{-3}{26} (9_1 + 9_2) \ell^2 ; \quad M_3 = \frac{(-79_2 + 69_1)}{104} \ell^2$$

$$M_1 = -287 \text{ kg.m} \quad M_2 = -1443 \text{ kg.m} \quad M_3 = -194 \text{ kg.m}$$

efforts correspondants à chaque travée

travée 0-1

$$\left| \begin{array}{l} M = \frac{(429_1 + 39_2)}{104} \ell x - \frac{9_1 x^2}{2} \\ T = \frac{(429_1 + 39_2)}{104} \ell - 9_1 x \end{array} \right. \quad M_{\text{est max pour}} T=0 \quad x=1,6 \text{ m.}$$

$$\bullet M_{\text{max}} = 512 \text{ kg.m}$$

$$\bullet T_0 = 640 \text{ kg}$$

$$\bullet T_{1g} = -800 \text{ kg}$$

travée 1-2

$$\left| \begin{array}{l} M = \frac{(509_1 - 159_2)}{104} \ell x - \frac{9_1 x^2}{2} + \frac{(-109_1 + 39_2)}{104} \ell^2 \\ T = \frac{(509_1 - 159_2)}{104} \ell - 9_1 x \end{array} \right. \quad M_{\text{est max pour}} x=1 \text{ m}$$

$$\bullet M_{\text{max}} = -88,3 \text{ kg.m}$$

$$\bullet T_{1d} = 399 \text{ kg}$$

$$\bullet T_{2g} = -1041 \text{ kg}$$

travée 2-3

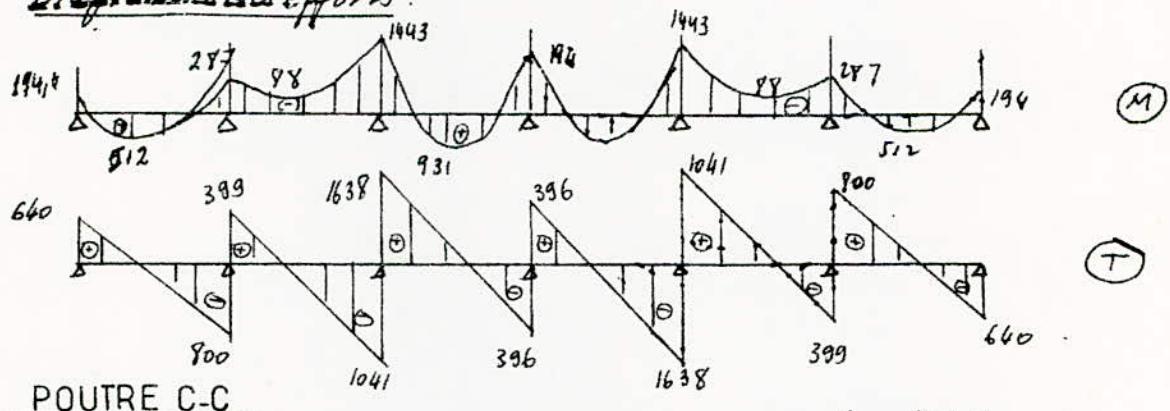
$$\left| \begin{array}{l} M = \frac{(719_2 + 189_1)}{104} \ell x - \frac{9_2 x^2}{2} - \frac{3}{26} (9_1 + 9_2) \ell^2 \\ T = \frac{(719_2 + 189_1)}{104} \ell - 9_2 x \end{array} \right. \quad M_{\text{est max pour}} x=2,9 \text{ m}$$

$$\bullet M_{\text{max}} = 931 \text{ kg.m}$$

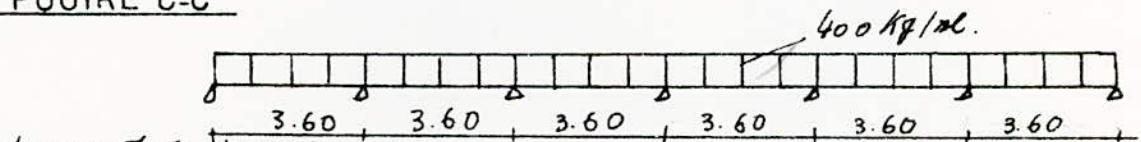
$$\bullet T_{1d} = 1638 \text{ kg}$$

$$\bullet T_{3g} = -396 \text{ kg}$$

Diagrammes des efforts.



POUTRE C-C



les équations des 3 mts

$$4M_1 \ell + M_2 \ell = -9 \frac{\ell^3}{2}$$

$$M_1 \ell + 4T_1 \ell + T_2 \ell = -9 \frac{\ell^3}{2}$$

$$M_2 \ell + 4T_2 \ell + M_3 \ell = -9 \frac{\ell^3}{2}$$

L'resolution de ce systeme d'équations nous donnera :

$$M_1 = -\frac{11}{104} q l^2 ; \quad M_2 = -9 \frac{l^2}{13} ; \quad M_3 = -\frac{9}{104} q l^2$$

$$M_1 = -548 \text{ kg.m} ; \quad M_2 = -399 \text{ kg.m} ; \quad M_3 = -449 \text{ kg.m}$$

efforts pour chaque travée

### Travée 0-1

$$\left| \begin{array}{l} M = \frac{41}{104} q l x - \frac{9x^2}{2} \\ T = \frac{41}{104} q l - 9x \end{array} \right. \quad M_{\text{est max}} \text{ pour } x = 1,42 \text{ m}$$

- $M_{\text{max}} = 403 \text{ kg.m}$
- $T_0 = 568 \text{ kg}$
- $T_{1g} = -772 \text{ kg}$
- $M_0 = M_G = -184,4 \text{ kg.m}$

### Travée 1-2

$$\left| \begin{array}{l} M = \frac{715 q l x}{1352} - \frac{9x^2}{2} - \frac{11}{104} q l^2 \\ T = \frac{715 q l}{1352} - 9x \end{array} \right. \quad M_{\text{est max}} \text{ pour } x = 1,9 \text{ m}$$

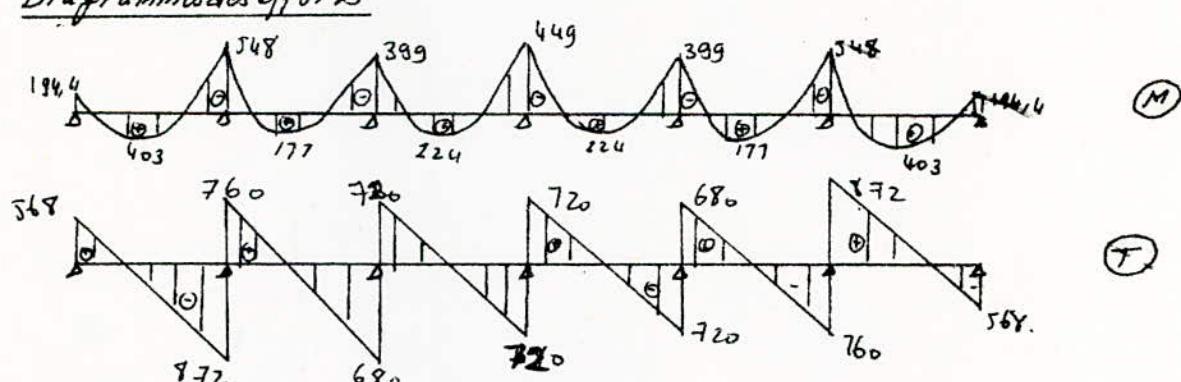
- $M_{\text{max}} = 177 \text{ kg.m}$
- $T_{1d} = 760 \text{ kg}$
- $T_{2g} = -680 \text{ kg}$

### Travée 2-3

$$\left| \begin{array}{l} M = \frac{663 q l x}{1352} - \frac{9x^2}{2} - \frac{9l^2}{13} \\ T = \frac{663 q l}{1352} - 9x \end{array} \right. \quad M_{\text{est max}} \text{ pour } x = 1,8 \text{ m}$$

- $M_{\text{max}} = 224 \text{ kg.m}$
- $T_{2d} = 720 \text{ kg}$
- $T_{3g} = -720 \text{ kg}$

### Diagrammes des efforts



### POUTRE B-B

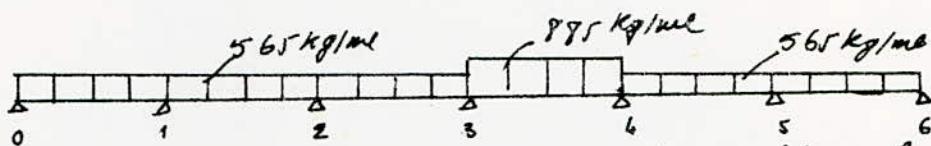
charges revenant à chaque travée

Travées : 0-1 ; 1-2 ; 2-3 ; 4-5 ; 5-6

$$q_f = 406 + 165 = 565 \text{ kg/m}$$

Travée : 3-4

$$P \cdot P + \text{réaction de la dalle de couverture de l'escalier} = 985 \text{ kg/m}$$



Le rapport de deux travées contigües = 1 on peut donc appliquer la méthode factice

$$M_{001} = 648 \text{ kg.m}$$

$$M_{003} = 1434 \text{ kg.m}$$

$$M_0 = M_6 = 0.2 M_{001} = 130 \text{ kg.m}$$

$$M_1 = M_5 = 0.6 M_{001} = 389 \text{ kg.m}$$

$$M_2 = 0.5 M_{001} = 324 \text{ kg.m}$$

$$M_3 = M_4 = 0.5 M_{002} = 717 \text{ kg.m}$$

on appliquent la formule :  $M_6 + \frac{M_0 + M_2}{2} \geq 1.15 M_0$  on peut en déduire les moments entraînés.

$$M_{01} = 486 \text{ kg.m} = M_1$$

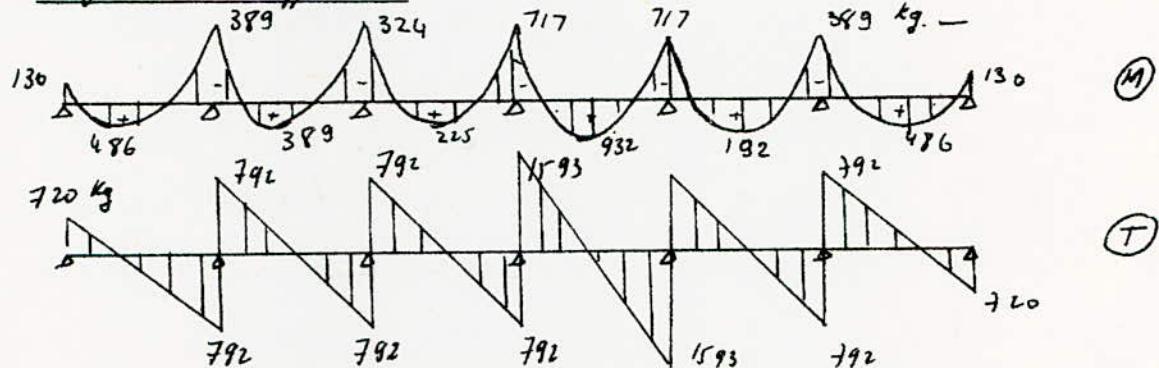
$$M_{12} = 389 \text{ kg.m}$$

$$M_{23} = 225 \text{ kg.m}$$

$$M_{34} = 932 \text{ kg.m}$$

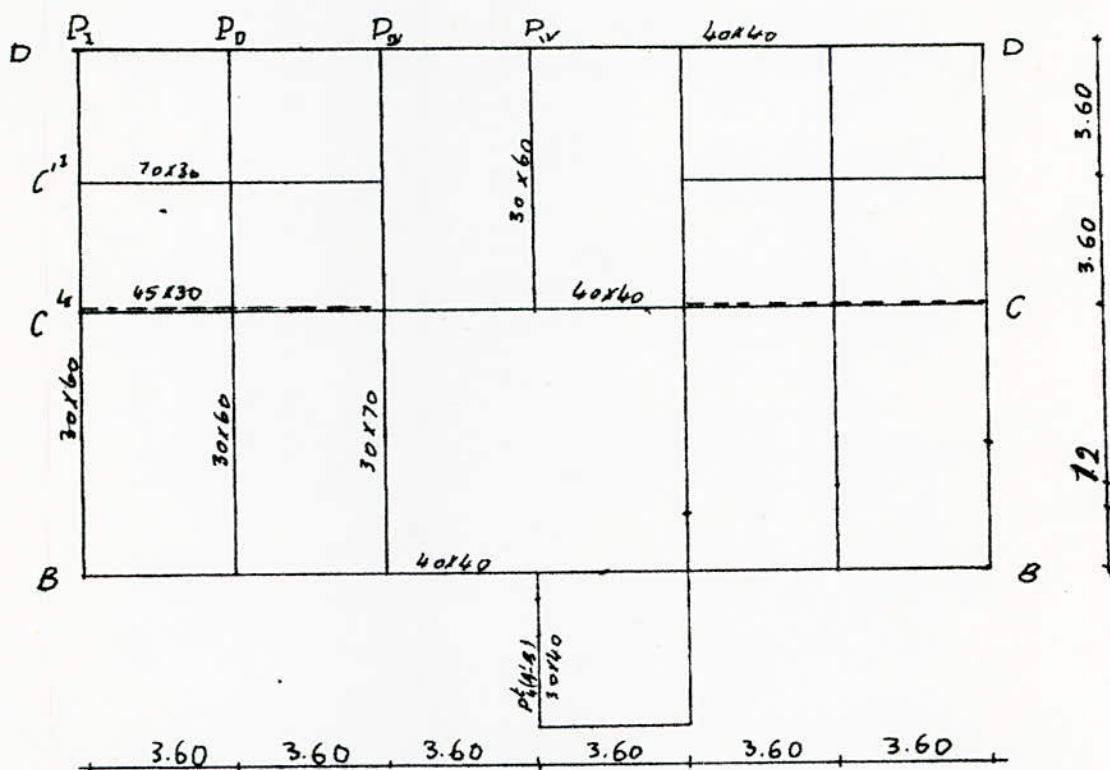
$$M_{45} = 192 \text{ kg.m}$$

Diagrammes des efforts



# PLANCHER ETAGE

## VUE EN PLAN



N.B.: Les poutres C' et L sont destinées à supporter l'escalier de la salle de jeux.  
La poutre P6(A-B) est destinée à assurer la stabilité avec la cage de l'escalier  
et à supporter la maçonnerie en dessus.

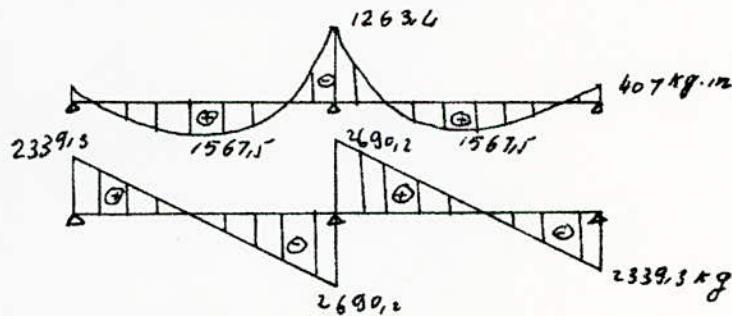
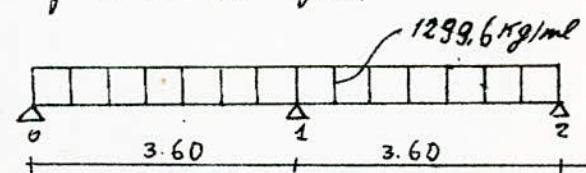
## CALCUL DE C'

charges et surcharges:

$$\begin{aligned}
 & \text{p.p.} \quad 0.3 \times 0.7 \times 2500 = 525 \text{ kg/m}^2 \\
 & \text{p. marches} \quad \dots \dots \dots \quad 205 \quad - \\
 & \text{Revêtement} \quad \dots \dots \dots \quad 105 \quad - \\
 & \text{acrotète} \quad \dots \dots \dots \quad 165 \quad - \\
 & \text{surcharge} \quad 1.2 \times 250 = \underline{\underline{300}} \quad - \\
 & g = 1299.6 \text{ kg/m}^2
 \end{aligned}$$

en appliquant la  
méthode de CLAPEYRON  
on aura :

$$\begin{aligned}
 M_1 &= -1263.4 \text{ kg.m} \\
 M_2 &= 1567.5 \text{ kg.m} \\
 T_0 &= 2339.3 \text{ kg} \\
 T_1 &= 2690.2 \text{ kg} \\
 M_0 &= M_2 = 407 \text{ kg.m}
 \end{aligned}$$



(M)

(T)

POUTRE L<sub>1</sub>

charges :

- p.p. :  $0.3 \times 0.65 \times 2500 = 337.5 \text{ kg/m}^2$
- escalier - - - - -  $102.3$  -
- revêtement - - - - -  $105$  -
- Surcharges - - - - -  $300$  -

$$\sum g = 844.3 \text{ kg/m}^2$$

Schema statique

d'après CLAPEYRON.

$M_1 = -1026.5 \text{ kg.m}$

$M_{01} = 850.87$  -

$T_0 = 1519.74 \text{ kg}$

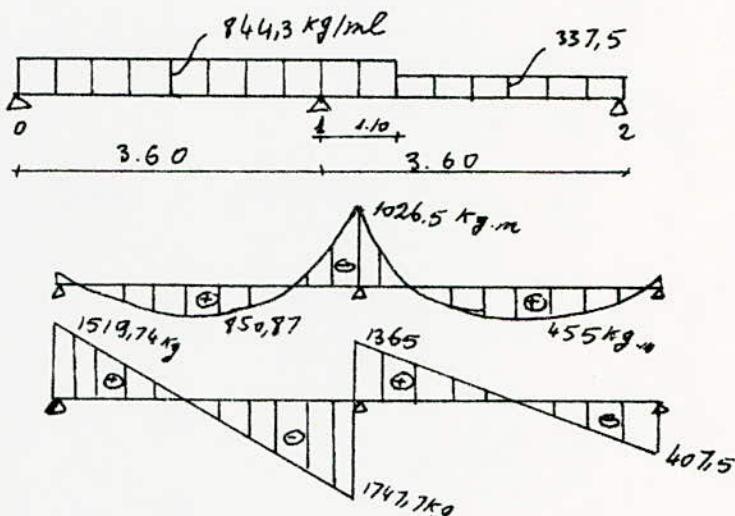
$T_1 g = 1747.7 \text{ kg}$

$M_2 = 140 \text{ kg.m}$

$M_{12} = 455 \text{ kg.m}$

$T_{1d} = 1365 \text{ kg}$

$T_2 = 607.5 \text{ kg}$

POUTRE P<sub>1</sub>charges sur P<sub>1</sub>

Travée 0-1

- p.p. - - - -  $0.3 \times 0.6 \times 2500 = 450 \text{ kg/m}^2$
- plancher - - - - -  $771.5$  "
- cloison - - - - -  $124$  -
- mur ext - - - - -  $1684$  -
- Surcharges - - - - -  $495$  -

$$\sum g = 2950.5 \text{ kg/m}^2$$

Travée 1-2

1-2'

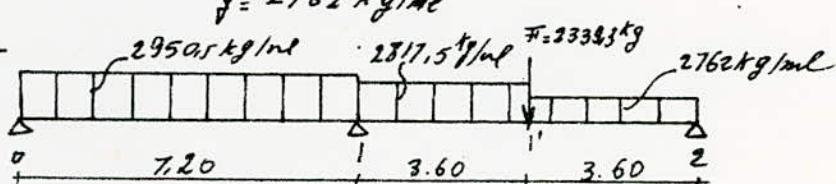
- p.p. - - - - -  $450 \text{ kg/m}^2$
- plancher + acrotière  $840.5 \text{ kg/m}^2$
- p.p. bande + marches + revêtement:  $932$  -
- $S_a$  - - - - -  $495$  -

$$\sum g = 2817.5 \text{ kg/m}^2$$

1'-2

- p.p. - - - - -  $450 \text{ kg/m}^2$
- terrasse + acrotière + clois  $1817$  -
- Surcharges - - - - -  $495$  -

$$\sum g = 2762 \text{ kg/m}^2$$

Schema statique

par application de la méthode de CLAPEYRON et le système de superposition des diagrammes des moments on aura :

$M_1 = -19739 \text{ kg.m}$

on peut déduire les valeurs des efforts relatifs pour chaque travée

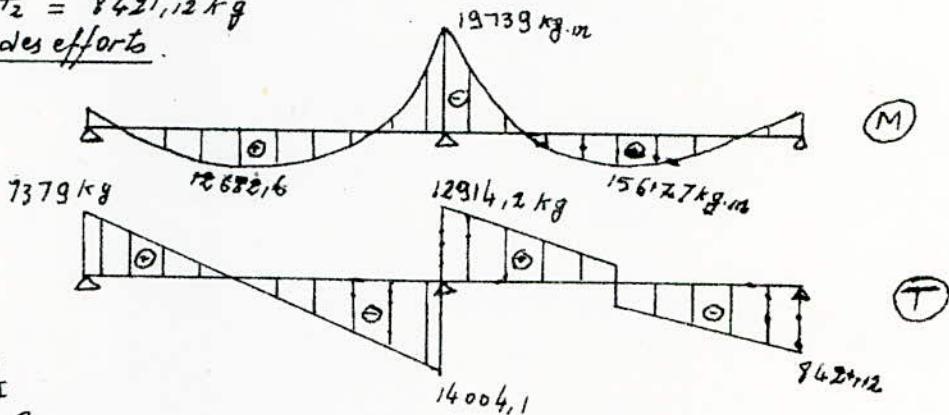
Travée 0-1

- $M_0 = 3623,6 \text{ kg.m}$
- $M_f = 12682,6 \text{ —}$
- $T_0 = 7379 \text{ kg}$
- $T_{fg} = 14004,1 \text{ kg}$

Travée 1-2

- $M_2 = 4462,2 \text{ kg.m}$
- $M_f = 15617,7 \text{ kg.m}$
- $T_{fd} = 12914,2 \text{ kg}$
- $T_2 = 8421,12 \text{ kg}$

Diagrammes des efforts.



POUTRE P<sub>II</sub>

charges sur P<sub>II</sub>

Travée 0-1

- p.p. partie 450 kg/m<sup>2</sup>
  - cloison - - 247,5 —
  - plancher - - 1551 —
  - mur intérieur - - 434 —
  - Surcharges - - 980 —
- $$q = 3672,5 \text{ kg/m}^2$$

Travée 1-2

$$\begin{array}{ll} 1-1' & q = 3238,5 \text{ kg/m}^2 \\ 1'-2 & q = 4122,5 \text{ kg/m}^2 \end{array}$$

Schéma statique

méthode des

3 moments nous donne:

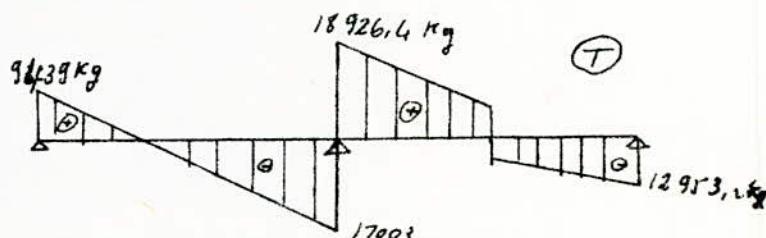
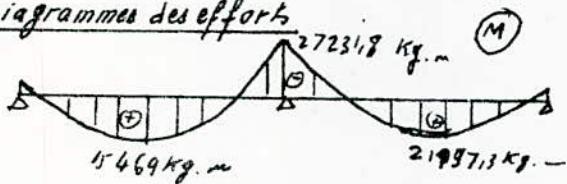
travée 0-1

- $M_0 = 4759,6 \text{ kg.m}$
- $M_f = 15469 \text{ —}$
- $T_0 = 9439 \text{ kg}$
- $T_{fg} = 17003 \text{ kg}$

Travée 1-2

- $M_2 = 6707 \text{ kg.m}$
- $M_f = 21797,3 \text{ kg.m}$
- $T_{fd} = 18926,4 \text{ kg}$
- $T_2 = 12953,2 \text{ kg}$

Diagrammes des efforts



POUTRE P<sub>III</sub>charges revenant à P<sub>III</sub>Travée 0-1

• p.p. poutre	450 kg/m <sup>2</sup>
• plancher	193 kg —
• cloison	248 —
• mur intérieure	434 —
• surcharge	990 —
	$\Sigma = 4061 \text{ kg}$

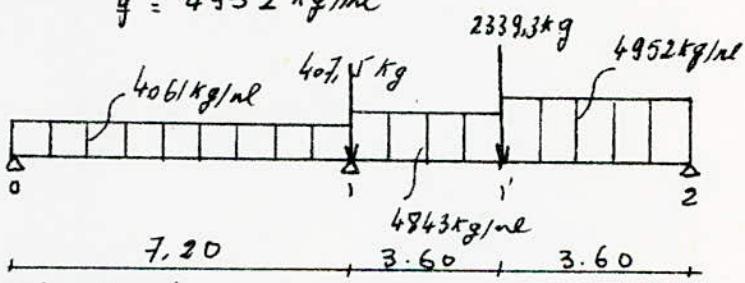
Travée 1-2

<u>1.1'</u>	• p.p.	525 kg/m <sup>2</sup>
	• plancher	1551 —
	• cloison	248 —
	• Mur	1106 —
	• revêtement	273 —
	• bande 0.2 · 0.45 · 1/100 = 225	
	• S <sub>t</sub>	990 —
		$\Sigma = 4843 \text{ kg/m}^2$

1'-2

• p.p.	525 kg/m <sup>2</sup>
• plancher	1993 —
• cloison	248 —
• acrotère	165 —
• mur	1106 —
• surcharge	990 —

$$\Sigma = 4952 \text{ kg/m}^2$$

schéma statique

l'équation des 3 moments nous donne:

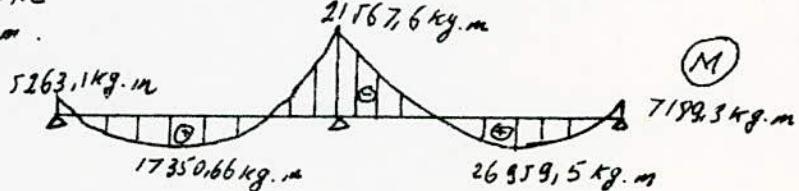
$$M_1 = -21567,6 \text{ kg.m}$$

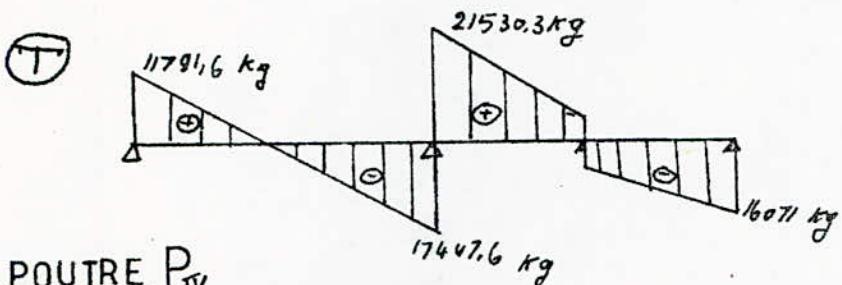
efforts pour chaque travéeTravée 0-1

- T<sub>0</sub> = 11791,6 kg
- T<sub>1</sub> = -17447,6 kg
- M<sub>max</sub> = 17350,66 kg.m
- M<sub>0</sub> = 5263,1 kg.m

Travée 1-2

- T<sub>1</sub> = 21530,3 kg
- T<sub>2</sub> = 16071 kg
- M<sub>1</sub> = 26959,5 kg.m
- M<sub>2</sub> = 7199,3 kg.m

Diagrammes des efforts

POUTRE P<sub>IV</sub>

charges revenant à cette poutre

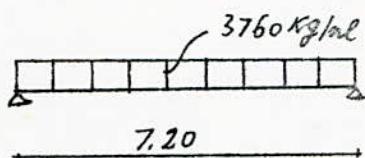
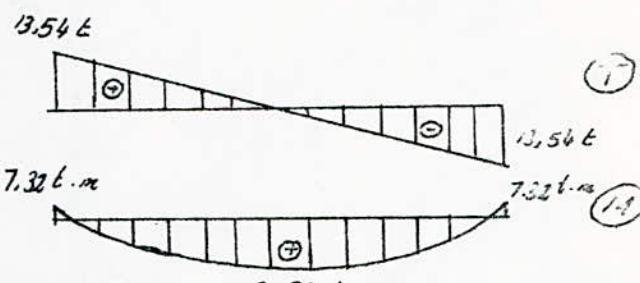
$$q = 3760 \text{ kg/ml}$$

$$M_0 = q \frac{\ell^2}{8} = 24,4 \text{ t.m}$$

$$M_a = 7,32 \text{ t.m}$$

$$M_E = 21,96 \text{ t.m}$$

$$T = q \frac{\ell}{2} = 13,54 \text{ t}$$

Diagrammes des effortsCALCUL DES POUTRES CHAINAGESPOUTRE D-D

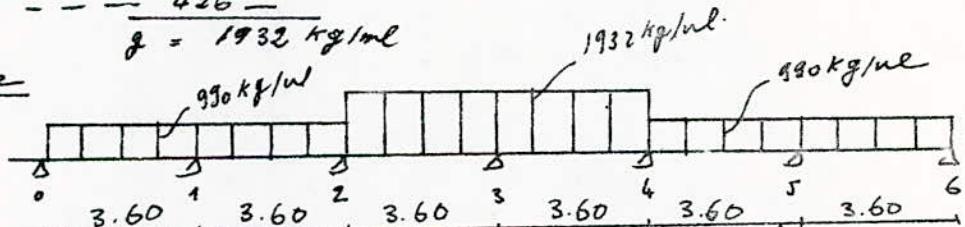
charges correspondantes à chaque travé.

Travées: 0-1 ; 1-2 ; 4-5 ; 5-6

$$\begin{aligned} \text{P.P.} &: 0.4 \times 0.4 \times 2500 = 400 \text{ kg/ml} \\ \text{acrotère} & - - - 165 - \\ & - - - 434 - \\ & q = 990 \text{ kg/ml} \end{aligned}$$

Travées: 2-3 ; 3-4

$$\begin{aligned} \cdot \text{P.P.} &: - - - 400 \text{ kg/ml.} \\ \cdot \text{murt} &: - - - 106 - \\ \cdot \text{Terrasse} & - - - 426 - \\ & q = 1932 \text{ kg/ml} \end{aligned}$$

schéma statique

en appliquant la méthode de CLAPEYRON ; comme dans le cas du plancher terrasse en deduit les efforts relatifs à chaque travée.

travée 0-1

$$\begin{aligned} \cdot M_{max} &= 1358 \text{ kg.m} \\ \cdot T_0 &= 1640 \text{ kg} \\ \cdot T_{fg} &= -1924 \text{ kg.} \end{aligned}$$

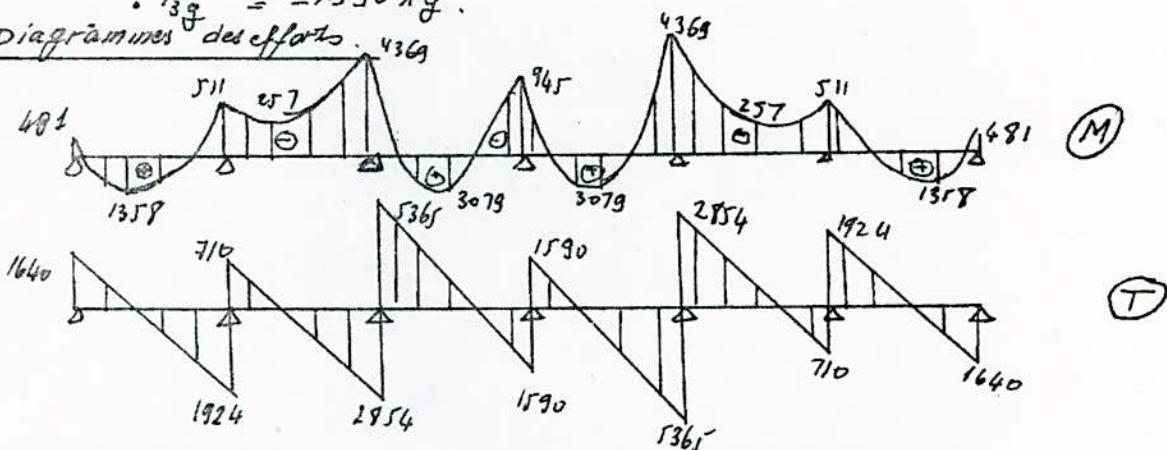
$$M_1 = -511 \text{ kg.m} ; M_2 = -4369 \text{ kg.m} ; M_3 = -945 \text{ kg.m}$$

Travée 1-2

- $M_{max} = -257 \text{ kg.m}$
- $T_{1d} = 710 \text{ kg}$
- $T_{1g} = -2854 \text{ kg}$

Travée 2-3

- $M_{max} = 3079 \text{ kg.m}$
- $T_{2d} = 5365 \text{ kg}$
- $T_{2g} = -1590 \text{ kg}$

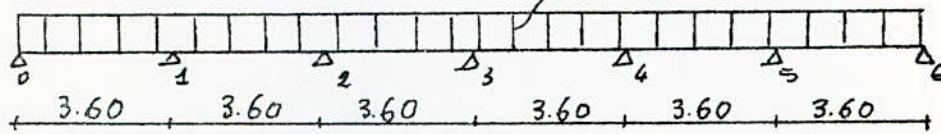
Diagrammes des effortsPOUTRE C-C

charges reverses à C-C.

$$p \cdot p + \text{mur intérieur} : 0.4 \times 0.4 \times 2500 + 155 \times 2.8 = 834 \text{ kg/m}$$

schéma statique

834 kg/m



d'après CLAPEYRON ODA :  $M_5 = M_1 = -1143 \text{ kg}$  ;  $M_2 = -931 \text{ kg.m} - M_4$

travée 0-1

$$M_3 = M_4 = -935 \text{ kg.m}$$

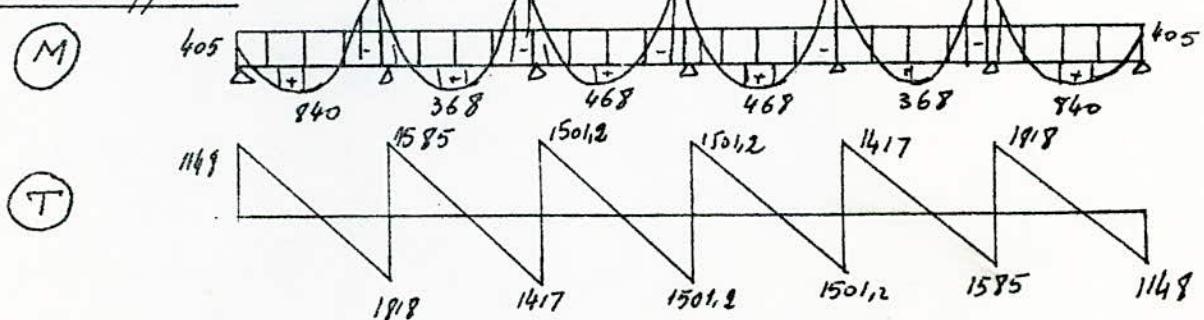
- $M_{max} = 740 \text{ kg.m}$
- $T_{1d} = 1184,3 \text{ kg}$
- $T_{1g} = -1818 \text{ kg}$

Travée 1-2

- $M_{max} = 369 \text{ kg.m}$
- $T_{1d} = 1575 \text{ kg}$
- $T_{1g} = 1417 \text{ kg}$

Travée 2-3

- $M_{max} = 468 \text{ kg.m}$
- $T_{2d} = 1501,3 \text{ kg}$
- $T_{2g} = 1501,2 \text{ kg}$

Diagrammes des efforts

POUTRE C-C

Charges pour chaque travée

Travées : 1-1 ; 1-2, 2-3 ; 4-5, 5-6

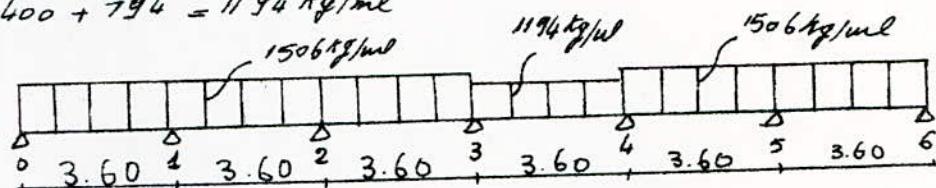
$$P.P + nur = 1506 \text{ kg/mel}$$

Travée 3-4

$$P.P = 400$$

bac dessable : 373 kg/mel.  
réaction de l'escalier 794 } → plus défavorable est celle de l'escalier

$$g = 400 + 794 = 1194 \text{ kg/mel}$$

Schéma statique

Le rapport entre 2

travées voisines est égal à 1 donc on peut appliquer la règle forfaitaire.

$$M_{iso1} = \frac{\eta_1^2}{8} = 2439,72 \text{ kg.m}$$

$$M_{iso2} = 1935 \text{ kg.m}$$

$$M_0 = M_6 = 488 \text{ kg.m}$$

$$\eta_1 = \eta_5 = 0,6 M_{iso1} = 1464 \text{ kg.m}$$

$$M_2 = 0,5 M_{iso1} = 1220 \text{ kg.m}$$

$$M_3 = M_4 = 0,5 M_{iso2} = 967 \text{ kg.m}$$

$$\text{moment en travée : } M_E + \frac{M_{iso1} + M_{iso2}}{2} = 615 M_0$$

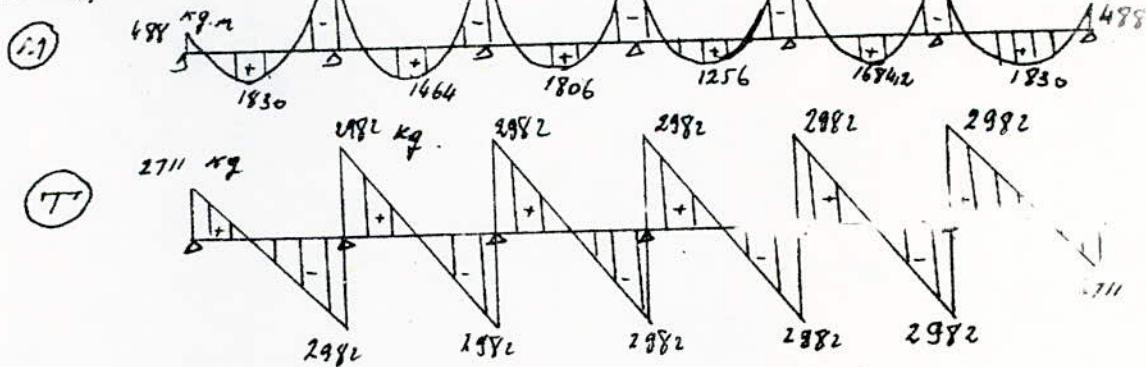
$$M_0 = 1930 \text{ kg.m} = M_{5,6}$$

$$M_{1,2} = 1464 \text{ kg.m}$$

$$M_{2,3} = 1806,2 \text{ kg.m}$$

$$M_{3,4} = 1258 \text{ kg.m}$$

$$M_{4,5} = 1684,2 \text{ kg.m}$$

Diagrammes des efforts.

## ETUDE AU SEISME

L'étude au séisme résulte de la combinaison :

- d'un système de forces élémentaires horizontales ( $S_H$ )
- d'un système de forces élémentaires verticales ( $S_V$ )
- d'un système de couple de torsion d'ensemble d'axe vertical ( $S_T$ )
- Système de forces horizontales :  $S_H$

$$\bar{F} = \bar{\sigma}_x \cdot W \quad \text{avec} \quad \bar{\sigma}_x = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \delta$$

$$W = G + \frac{P}{5} \quad \text{poids de charges permanentes + surcharges.}$$

- Système de forces verticales  $S_V$

$$\bar{F} = \pm \bar{\sigma}_V \cdot W \quad \text{où} \quad \bar{\sigma}_V = \frac{1}{\sqrt{\alpha}} \cdot \bar{\sigma}_H$$

$$\text{avec} \quad \bar{\sigma}_H = \max(\bar{\sigma}_L, \bar{\sigma}_T)$$

### Torsion d'ensemble

à considérer si  $\eta = \frac{l_v}{l_w} > 2,5$  où  $l_v$  : longueur du bâtiment  
 $l_w$  : largeur "

$$\text{dans notre cas: } \eta = \frac{22}{19,2} = 1,1 < 2,5$$

### Détermination des coefficients sismiques

$\alpha$ : coeff. d'intensité

$$\alpha = 0,5$$

$\beta$ : coeff. de réponse ; dépend :

- de la période du mode de vibration de la construction dans la direction étudiée
- du degré d'amortissement de l'ouvrage.

$$\beta = \frac{0,065}{\sqrt{T}}$$

Le contreventement étant assuré par une ossature en béton armé :  $T = 0,09 \frac{H}{\sqrt{L}}$

$H$  : hauteur du bâtiment

$L_x$  : longueur

$l$  : largeur

$$T_L = 0,09 \frac{H}{\sqrt{L}} \quad ; \quad T_E = 0,09 \frac{H}{\sqrt{E}}$$

$H = 9,10 \text{ m}$  à partir de la fondation

$$L = 22 \text{ m} ; \quad l = 19,2 \text{ m}$$

$$T_L = 0,09 \times \frac{9,10}{\sqrt{22}} = 0,175 \quad \Rightarrow \quad \beta_L = 0,116$$

$$T_E = 0,09 \times \frac{9,10}{\sqrt{19,2}} = 0,185 \quad \Rightarrow \quad \beta_E = 0,114$$

on a  $\beta_E > \beta_L > 1$  on prendra donc  $\beta_L = \beta_E = 0,114$

$\gamma$ : coeff. de distribution

$$\gamma_r = \frac{3r}{2r+1} \quad r : \text{nombre de planchers.} \quad n = 2$$

$r$  : le plancher considéré'

$r$	1	2
$\gamma_r$	0,6	1,2

$\delta$ : Coeff. de fondation

$$\delta = 4,15 \quad (\text{semielles isolées})$$

$$\sigma_L = \alpha \cdot \beta_r \cdot \delta$$

$$\sigma_e = \alpha \cdot \beta_e \cdot \beta_r \cdot \delta \quad \text{avec } \sigma_v = \frac{1}{\sqrt{\alpha}} \max(\sigma_L, \sigma_e)$$

NIV	$\sigma_L$	$\sigma_e$	$\sigma_v$
2	0,069	0,069	0,0976
1	0,0345	0,0345	0,0689

Détermination des poids  $w$  correspondant à chaque niveau

Plancher terrasse : Surface = 318,72 m<sup>2</sup>.

charges permanentes :	plancher combleur :	803 kg/m <sup>2</sup>
	dalle pleine	1038 kg/m <sup>2</sup>
	poutre	450 kg/m <sup>2</sup>
	Acrotête	165 kg/m <sup>2</sup>
	chainages	17 t
		Total : 395,51 t

surcharges : 37,06 t

Plancher étage S = 422,4 m<sup>2</sup>.

charges permanentes :	Corps creux	470 kg/m <sup>2</sup>
	dalle pleine	705 -
	terrasse accessible	738 -
	poutres	55,1 t
	chainages	28,456 t
	murs extérieurs	49,77 t
	" intérieurs	14,51 t
	cloison	31,68 t
	rotoirs	17,64 t
	acrotête	8,316 t
	escalier	10,20 t
		Total : 440,34 t

Surcharges : 105,6 t

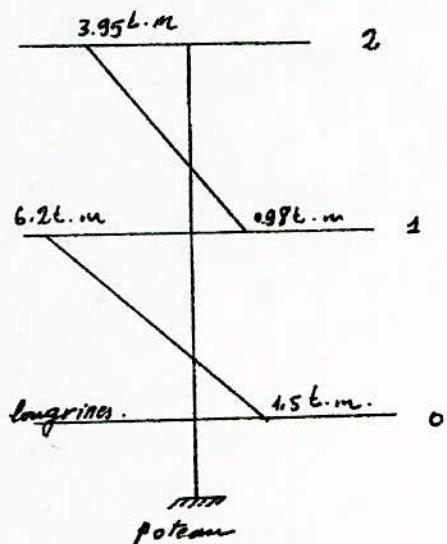
Evaluation des forces sismiques horizontales

NIV	G (t)	P (t)	$\beta_{1/5}$ (t)	$W = G + P/5$	$F_H = \sigma_x \times W$	T	$\frac{T}{\text{apogée}}$	$128T$
2	395,51	37,06	1,412	402,922	27,802	-	-	-
1	440,34	105,6	1,412	461,66	15,92	27,802	1,324	1,59
0						43,722	2,082	2,5

Suite du tableau

Niv	Moments sur le du poteau	Moment à la base du poteau
	$62 \times T \times 981$	$62 \times T \times 0,2 h$
2	3,95 t.m	
1	6,2 t.m	0,98 t.m
0		1,5 t.m

Niv



N.B.: on néglige l'effet du sismisme vertical vis à vis du poids du bâtiment qui est un effet de soulèvement

# FERRAILLAGE DES POUTRES

## PLANCHER TERRASSE

### CALCUL DE LA DALLE PLEINE (C.C.B.A. 68 A<sub>2</sub>)

$$l_x = l_y = 6,9 \text{ m} \quad \rho = \frac{l_x}{l_y} = 1 > 0,4 \quad \text{la dalle porte dans les 2 sens.}$$

L'échelle fonctionnelle du C.C.B.A. 68 A<sub>2</sub> nous donne  $P_x$  et  $P_y$  en fonction de  $\rho$ .  
 $P_x = 0,0423$  ;  $P_y = 1$

charges relevant à cette dalle.

$$q = 6 + 1,2 S \quad \text{avec } G = 1038 \text{ kg/m}^2 \\ S = 100 \text{ kg/m}^2 \quad (\text{terrasse non accessible})$$

$$q = 1038 + 120 = 1158 \text{ kg/m}^2$$

Les moments développés au milieu des bandes centrales  $1m \times l_x$  et  $1m \times l_y$

$$\begin{aligned} M_{0x} &= P_x q l_x^2 \\ M_{0y} &= P_y M_{0x} \end{aligned}$$

$$M_{0x} = M_{0y} = 0,0423 \times 1158 \times 6,9^2 = 2332 \text{ kg.m/mel}$$

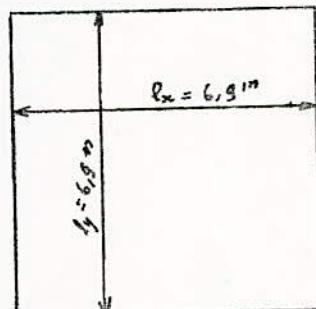
Moments extérieurs

$$M_{ex} = M_{ey} = 0,85 \times M_{0x} = 1982 \text{ kg.m/mel}$$

Moments à l'appui

$$M_{ax} = M_{ay} = 0,25 M_{0x} = 583 \text{ kg.m/mel}$$

$$T = \frac{q}{38} = \frac{1158}{3 \times 6,92} = 56 \text{ kg.}$$



Determination des armatures

$$A_y = A_x = \frac{M_{ex}}{\sigma_a} = \frac{198200}{0,86 \times 2900 \times 18} = 4,57 \text{ cm}^2 \rightarrow \text{on prendra 8T12} = 9,04 \text{ cm}^2/\text{mc}$$

$$A_{ax} = A_{ay} = \frac{58300}{0,86 \times 18 \times 2900} = 1,35 \text{ cm}^2/\text{mc} \rightarrow \text{on prendra 8T8/mel} = 4,08 \text{ cm}^2/\text{mc}$$

Vérifications

Condition de non fragilité (C.C.B.A. 68 art 52)

$$\frac{A_x}{b h_x} \geq \frac{4}{2} (2 - \rho) \frac{\sigma_a}{\sigma_u} \left( \frac{h_o}{h_x} \right)^2$$

A : section d'acier par bande de largeur b d.  
2 sens

h : hauteur totale

h<sub>o</sub> : épaisseur de la dalle.

$$\begin{cases} \sigma_a = 0,36 \text{ acier brut de laminage} \\ \sigma_u = 0,54 \text{ aciers serrage.} \end{cases}$$

entrevee

$$\frac{A_x}{b h_x} = \frac{9,04}{60 \times 16,8} = 5,022 \cdot 10^{-3} > \frac{0,54}{2} (2 - 1) \frac{5,8}{2800} \left( \frac{80}{18} \right)^2 = 6,8 \cdot 10^{-4} \quad \text{vérifié}$$

$$\frac{A_y}{b h_y} = \frac{9,04}{60 \times 16,8} = 5,38 \cdot 10^{-3} > 6,8 \cdot 10^{-4} \quad \text{vérifié}$$

à l'appui

$$\frac{A_x}{b h_x} = \frac{4,02}{100 \times 18} = 2,23 \cdot 10^{-3} > 6,8 \cdot 10^{-4} \quad \text{vérifié}$$

$$\frac{A_y}{b h_y} = \frac{4,02}{100 \times 16,8} = 2,39 \cdot 10^{-3} > 6,8 \cdot 10^{-4} \quad \text{vérifié.}$$

Contrainteen traverse

$$\tilde{\omega}_1 = \frac{100 \cdot A}{bR} = \frac{9,04 \cdot 1100}{100 \cdot 118} = 0,502 \rightarrow k = 31,9 \\ E = 0,8934$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{M}{A \cdot k} = \frac{198200}{9,04 \cdot 0,8934 \cdot 118} \approx 1363 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = 43 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b \quad \text{vérifié.}$$

à l'appui

$$\tilde{\omega} = \frac{100 \cdot A}{bR} = \frac{100 \cdot 4,02}{100 \cdot 118} = 0,223 \rightarrow k = 51 \\ E = 0,9242$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{58300}{4,02 \cdot 0,9242 \cdot 118} = 872 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = 17 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b \quad \text{vérifié.}$$

Effort tranchant :

$$T_{\max} \frac{T}{b \cdot 3} = \frac{56}{100 \cdot 0,86 \cdot 17,4} = 0,04 < 1,15 \bar{\tau}_0 = 6,67 \text{ kg/cm}^2 \\ \text{vérifié.}$$

armatures inférieuresPOUTRE C<sup>12</sup>

$$T + \frac{\tau}{3} = 56 - \frac{58300}{15} < 0$$

les armatures longitudinales ne sont pas nécessaires.

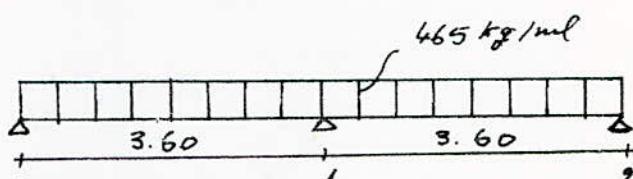
Caractéristiques géométriques 30x40 cm<sup>2</sup>

charges :

$$\cdot \text{p.p.} : 0,3 \cdot 0,4 \cdot 2500 = 300 \text{ kg/m}$$

$$\cdot \text{Acrotère} \quad \frac{165}{465} =$$

$$g = 465 \text{ kg/m}$$

schéma statique

$$M_0 = \frac{9,8^2}{8} = \frac{465 \cdot 3,6^2}{8} = 735,3 \text{ kg.m}$$

$$M_1 = 0,6 M_0 = 441,2 \text{ kg.m}$$

$$M_E = 0,85 M_0 = 625 \text{ kg.m}$$

$$T = 83,7 \text{ kg.}$$

Ferrailageen traverse

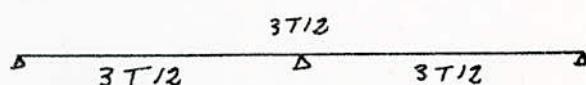
$$\rho = \frac{15 \cdot 62500}{2800 \cdot 30 \cdot 36^2} = 1,6 \cdot 10^{-3} \rightarrow k = 104 \\ E = 0,9580$$

$$A = \frac{62500}{2800 \cdot 0,9580 \cdot 36} = 0,65 \text{ cm}^2 \quad \text{on prendra } 3T12 = 3,39 \text{ cm}^2$$

à l'appui

$$\rho = \frac{15 \cdot 44120}{2800 \cdot 30 \cdot 36^2} = 6,1 \cdot 10^{-3} \rightarrow k = 126 \\ E = 0,9645$$

$$A = \frac{44120}{2800 \cdot 0,9645 \cdot 36} = 0,65 \text{ cm}^2 \quad \text{on prendra } 3T12 = 3,39 \text{ cm}^2$$



Verifications

Flèche

$$A \leq \frac{b h^3}{12 \cdot E} = \frac{30 \times 36 \times 43}{4200} = 11 \text{ cm}^2 \text{ vérifié.}$$

Condition de la fragilité

$$A \geq b h^4 \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_u} \left(\frac{h}{t}\right)^2$$

$$A \geq 30 \times 36 \times 0,56 \times \frac{5,8}{2800} \left(\frac{40}{36}\right)^2 = 2,48 \text{ vérifié.}$$

Contrainte

$$A = 3,39 \text{ cm}^2 \rightarrow \bar{\omega}_p = \frac{1000}{3,39} = \frac{339}{30 \times 36} = 0,314 \rightarrow k = 42 \\ e = 0,9123$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{M}{A E h} = \frac{62500}{3,39 \times 0,9123 \times 36} = 561 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\bar{\tau}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = 13 < \bar{\tau}'_b \text{ vérifié}$$

Fissuration

$$\bar{\omega}_p = \frac{A}{8f} = \frac{3,39}{30 \times 8} = 0,011$$

$$\sigma_1 = 2,4 \times 1023 = 2455 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma_2 = 2470 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}_{ap} = 2455 \text{ kg/cm}^2$$

on refait le calcul avec  $\bar{\sigma}_a = 2455 \text{ kg/cm}^2$  on trouve que  $A = 3,39 \text{ cm}^2$  reste val.

Adhérence:

$$\frac{T}{4P_3} = \frac{837}{11,30 \times 31,5} = 2,35 < \bar{\tau}_d = 17,7 \text{ kg/cm}$$

Armatures inférieures

$$\frac{T+M}{3} = 837 - \frac{44120}{31,5} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

Armatures transversales:

$$T = 837 \text{ kg.}$$

$$\zeta_b = \frac{T}{b \cdot 3} = \frac{837}{30 \times 31,5} = 0,9 \text{ kg/cm} < 3,5 \bar{\sigma}_b \text{ vérifié.}$$

$$\bar{\sigma}_{ab} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on prendra (cadre + 1 étrier Ø8) } = 2,0 \text{ kN}$$

écartement admissible:

$$\bar{z} = \max \begin{cases} t_1 = 0,2 h = 7,2 \text{ cm} \\ t_2 = h(1 - 0,3 \frac{\zeta_b}{\bar{\sigma}_b}) = 34 \text{ cm} \end{cases}$$

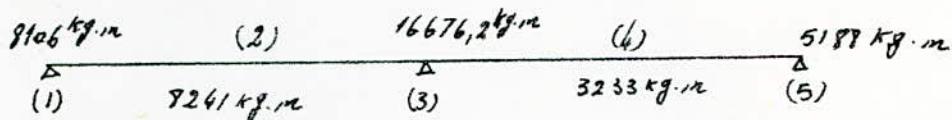
Espacement des cadres:

$$L = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_{ab}}{T} = \frac{8,01 \times 31,5 \times 1600}{837} = 121 \text{ cm}$$

on prendra  $t = 20$  dont le 1<sup>er</sup> cours sera située à 5 cm de l'appui

POUTRE P

tenant compte de l'effet sismique aux appuis, on ferraillera les poutres d'après cette combinaison. On aura les valeurs des moments correspondantes à la poutre comme indiqués ci-dessous.



Caractéristiques géométriques de la section

$$h_f = 60 \text{ cm}; b = 30 \text{ cm}, d = 6 \text{ cm} \quad h = 56 \text{ cm}$$

Ferraillage

Secteur 1  $M = 9106 \text{ kg.m}$   
 $\mu = \frac{15 \cdot M}{\sigma_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \times 910600}{2800 \times 30 \times 56^2} = 0,0466 \rightarrow k = 60,2$   
 $e = 0,9094$

$$K > \bar{K} = \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_n} = 20,33 \Rightarrow \text{les aciers comprimés ne sont pas nécessaires.}$$

$$A = \frac{M}{\sigma_a E h} = \frac{910600}{2800 \times 99094 \times 56} = 5,68 \text{ cm}^2$$

Secteur 2

$$\mu = \frac{15 \cdot 824100}{2800 \times 30 \times 56^2} = 0,0475 \rightarrow k = 39,5$$

*pas d'aciets comprimés.*

$$A = \frac{824100}{2800 \cdot 0,9082 \times 56} = 5,78 \text{ cm}^2$$

Secteur 3

$$\mu = \frac{15 \times 1667620}{2800 \times 30 \times 56^2} = 0,095 \rightarrow k = 25,6$$

*par d'aciets comprimés.*

$$A = \frac{1667620}{2800 \cdot 0,9768 \cdot 56} = 12,13 \text{ cm}^2$$

Secteur 4

$$\mu = \frac{15 \times 323300}{2800 \times 30 \times 56^2} = 0,0184 \rightarrow k = 68,3$$

*par d'aciets comprimés.*

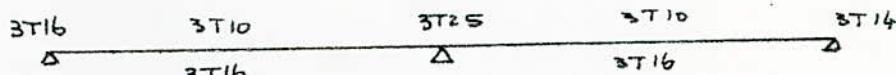
$$A = \frac{323300}{2800 \cdot 0,9403 \cdot 56} = 2,18 \text{ cm}^2$$

Secteur 5

$$\mu = \frac{15 \times 518800}{2800 \times 30 \times 56^2} = 0,0295 \rightarrow k = 52,5$$

*par d'aciets comprimés.*

$$A = \frac{518800}{2800 \cdot 0,9259 \cdot 56} = 3,57 \text{ cm}^2$$

Secteurs d'armatures adoptéesVérificationsFlèche

La vérification de la flèche est faite si :

$$(1) \frac{h_f}{e} > \frac{1}{16} \quad (2) \frac{h_f}{e} > \frac{M_e}{10 M_0} \quad (3) \frac{A}{6 R} < \frac{43}{5 e_n}$$

(1) et (2) sont vérifiés

$$(3) A \leq \frac{43 b R}{5 e_n} = \frac{43 \times 30 \times 56}{4200} = 17,2 \text{ cm}^2 \quad \text{vérifié.}$$

Condition de non fragilité

$$\frac{1}{bh} \geq 4 \cdot \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_a} \left( \frac{h_0}{h} \right)^2$$

$$A \geq 30 \times 60 \times 0,54 \times \frac{5,1}{2800} \left( \frac{60}{56} \right)^2 = 2,16 \text{ cm}^2$$

Fissuration

Le C.C.B.A.68 impose une limite à la contrainte admissible de l'acier

$$\bar{\sigma}_{af} = \min \begin{cases} \sigma_a \\ \bar{\sigma}_a \end{cases}$$

$\sigma_a, \bar{\sigma}_a$  sont donnés par les abaques en fonction de  $\omega = \frac{A}{bh}$

A	$w_p = A/bh$	$\phi$	$\sigma_i$	$\sigma_e$
6,03	0,025	16	3000	2239
14,73	0,061	25	3636	1792
6,62	0,019	14	2856	2396

$$\bar{\sigma}_{af} = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{vérifiée}$$

Adhérence (C.C.B.A.68 art 29)

$$\begin{aligned} \bar{\sigma}_j &= 2 \cdot \gamma_j \bar{\sigma}_b \quad \text{ou } \gamma_j = 1,5 \quad (\text{H.A.}) \\ \bar{\sigma}_j &= 2 \times 1,5 \times 5,8 = 17,7 \text{ kg/cm}^2 \end{aligned}$$

$$\sigma_j = \frac{T}{2P_3} = \frac{9457,6}{15,072 \times 49} = 12,81 < \bar{\sigma}_j \quad \text{vérifié}$$

Condition aux appuis

$$c \geq \frac{2T}{b \cdot \bar{\sigma}_{b0}} = c_0$$

$c_0$ : étant la largeur de la bielle nécessaire pour transmettre les efforts de la poutre au poteau.

$$- c_0 = \frac{2 \times 5936}{30 \times 69} = 5,6 < 30 \text{ cm}$$

$$- c_0 = \frac{2 \times 9457,6}{30 \times 69} = 10 < 30 \text{ cm} \quad \text{vérifié}$$

Armatures inférieures

$$A \bar{\sigma}_a > T + \frac{M}{3}$$

A: section d'armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 9457,6 - \frac{1667620}{49} < 0 \quad \text{Les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

Contrainte

$A_{(\text{cm}^2)}$	$\omega$	$K$	$E$	$\sigma_a$	$\sigma'_b$
6,03	0,859	38,8	0,9071	2690	69,3
14,73	0,877	22,7	0,9674	2330	102,7
6,62	0,275	45,3	0,9171	2186	48

$$\omega = \frac{100}{bh} \frac{A}{b}$$

$$\sigma_a = \frac{M}{18h}$$

$$\sigma'_b = \frac{\sigma_a}{K}$$

vérifié

• Armatures transversales

on fait le calcul pour  $T_{max}$  et l'on adoptera pour toute la poutre.

$$T_{max} = 9457,6 \text{ kg}$$

• Contrainte tangentielle

$$\tau_b = \frac{T_{max}}{b \cdot h} = \frac{9457,6}{30 \times 48} = 6,63 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma'_b = 103 \text{ kg/cm}^2 \text{ ora } \bar{\sigma}'_b < \sigma'_b < 2\bar{\sigma}'_b \text{ donc } \bar{\tau}_b = \left( 6,5 - \frac{\bar{\sigma}'_b}{\bar{\sigma}'_b} \right) \bar{\sigma}'_b$$

$$\bar{\tau}_b = \left( 6,5 - \frac{103}{69} \right) 5,8 = 17,4 \text{ kg/cm}^2 \quad \tau_b < \bar{\tau}_b \text{ vérifié.}$$

• Contrainte admissible des armatures transversales

$$\bar{\sigma}_{at} = P_a \cdot \sigma_{en} \quad \text{avec } P_a = \frac{2}{3} \quad (\text{reprise de bétonnage})$$

$$\bar{\sigma}_{at} = \frac{2}{3} 4200 = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on choisira (cadre + tétroïd } \phi 8) = 2,0 \text{ cm}^2$$

• écartement admissible

$$\bar{t} = \max \begin{cases} t_1 = 0,2h = 11,2 \text{ cm} \\ t_2 = R(1 - 0,3 \frac{\bar{\tau}_b}{\bar{\sigma}_{at}}) = 37 \text{ cm} \end{cases}$$

• espacement des armatures transversales

$$t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_{at}}{T_{max}} = \frac{2,01 \times 49 \times 1600}{9457,6} = 16,66 \text{ cm.}$$

on prendra  $t = 16 \text{ cm}$  on aura:  $9+4 \times 3 + 4 \times 6 + 4 \times 20 + 5 \times 25$  jusqu'au le montée de la trappe et on continuera symétriquement.

• Calcul de  $P_t$  à Torsion sous l'effet de la dalle de couverture du débordement

Calcul du moment de torsion:

$$M_t = \frac{P \cdot b^2}{2}$$

$$\text{avec: } P = 250 + 120 = 370 \text{ kg/m} \rightarrow M_t = \frac{370 \times 1^2}{2} = 185 \text{ kg.m}$$

contrainte tangentielle de torsion est maximale au milieu du grand côté du secteur droit de la poutre.

$$\tau_{tan} = \frac{K \cdot M_t}{a^2 \cdot b} \quad ; \quad M_t : \text{moment de torsion agissant dans le secteur} \\ K : \text{donné par le tableau en fonction de } b/a$$

$$\frac{b}{a} = \frac{60}{30} = 2 \rightarrow K = 4,07 \rightarrow \tau_{tan} = \frac{4,07 \times 18500}{30^2 \times 60} = 139 \text{ kg/cm}^2$$

$$\frac{b}{a} = 2 < 3,5 \Rightarrow \bar{\omega}_t = \bar{\omega}_c = \frac{a+b}{3b} \times \frac{\tau_{tan}}{\bar{\sigma}_{at}} = \frac{30+60}{3 \times 60} \times \frac{139}{2800} = 2,48 \cdot 10^{-4}$$

Comme  $B = 30 \times 60 = 1800 \text{ cm}^2$  nous avons:

- pour les armatures longitudinales

$$A_c = B \times \omega_c = 1800 \times 2,48 \cdot 10^{-4} = 0,45 \text{ cm}^2$$

- pour les armatures transversales:

$$\text{Volume/cm} = \omega_t \times B \times t = 0,45 \text{ cm}^3$$

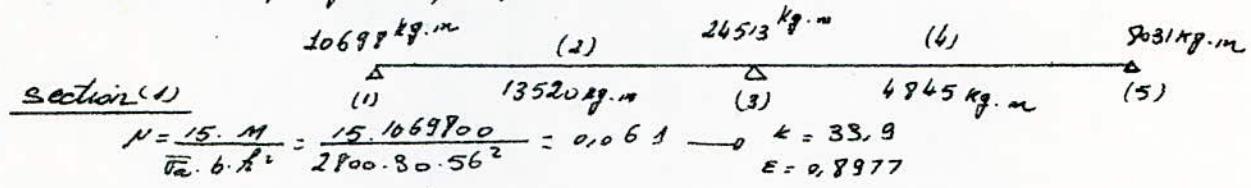
avec des cadres en  $\phi 8 = 0,5 \text{ cm}$  la vo lumié d'un cadre a pour valeur:

$$0,5 (26+56) \times 2 = 72 \text{ cm}^2$$

d'espacement des cadres:  $e = \frac{\gamma_c}{\nu} = \frac{\gamma_c}{0,65} = 182$  ce qui prouve que l'effet de la torsion est négligeable, on conservera donc le même ferrailage de la poutre.

POUTRE P<sub>1</sub>

• mêmes caractéristiques géométriques que P<sub>1</sub>



$k > \bar{r}$  pas d'aciéres comprimés.

$$A = \frac{M}{\bar{r} \cdot E \cdot h} = \frac{1069800}{2800 \cdot 0.8977 \cdot 56} = 7,72 \text{ cm}^2$$

Section (1)

$$\mu = \frac{15 \cdot 1352000}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0769 \rightarrow k = 19,3 \quad \text{pas d'aciéres comprimés.}$$

$$A = \frac{1352000}{2800 \cdot 0,8977 \cdot 56} = 9,72 \text{ cm}^2$$

Section (3)

$$\mu = \frac{15 \cdot 2651300}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,139 \rightarrow k = 19,9 \quad \text{E} = 0,8567$$

$k < \bar{r}$  des aciers comprimés sont nécessaires.

$$\text{on prend } k = \bar{r} = 20,33 \rightarrow \bar{r}'_b = 137,7 \text{ kg/cm}^2 \rightarrow \left| \begin{array}{l} \mu' = 0,1819 \\ E = 0,8588 \end{array} \right.$$

$$M_i = \mu' \bar{r}'_b \cdot b \cdot h^2 = 0,1819 \times 137,7 \times 30 \times 56^2 = 2356481 \text{ kg. cm}$$

$$\Delta M = M - M_i = 94819 \text{ kg. cm}$$

$$A' = \frac{\Delta M}{(h-d') \bar{r}'_a} \quad \text{et} \quad \bar{r}'_a = \frac{12 \bar{r}'_b (h-d')}{d'} \quad \text{avec } d = \alpha h = \frac{12 \bar{r}'_b}{12 \bar{r}'_b + \bar{r}_a} \times h = 23,7 \text{ cm}$$

$$\bar{r}'_a = \frac{15 \times 137,7 (23,7-4)}{23,7} = 171,7 \text{ kg/cm}^2$$

$$A' = \frac{94819}{(56-4) \times 171,7} = 1,062 \text{ cm}^2$$

$$A = \frac{M_i}{\bar{r}_a \cdot E \cdot h} + \frac{\Delta M}{(h-d') \bar{r}'_a} = \frac{2356481}{2800 \cdot 0,8588 \cdot 56} + \frac{94819}{(56-4) \cdot 171,7} = 18,15 \text{ cm}^2$$

Section (4)

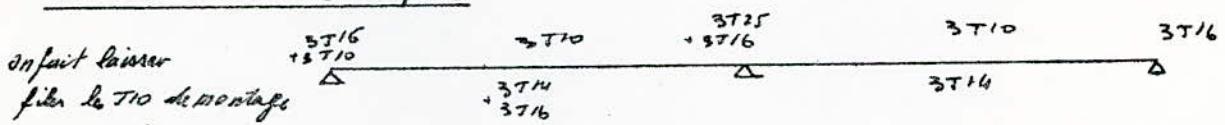
$$\mu = \frac{15 \times 484500}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0276 \rightarrow k = 54,4 \quad \text{pas d'aciéres comprimés.}$$

$$A = \frac{484500}{2800 \cdot 0,928 \cdot 56} = 3,33 \text{ cm}^2$$

Section (5)

$$\mu = \frac{15 \times 903100}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0657 \rightarrow k = 60,4 \quad \text{pas d'aciéres comprimés.}$$

$$A = \frac{903100}{2800 \cdot 0,9098 \cdot 56} = 5,63 \text{ cm}^2$$

Séctions d'armature adoptées

On fait laisser filer le T10 de montage

jus qu'à l'appui.

Verifications

•  $H$ -sécante

$A < 17,7 \text{ cm}^2$  vérifié.

Condition de non fragilité

$$A > 2,16 \text{ cm}^2 \text{ vérifiée}$$

Contrainte

A	$\bar{\omega}$	K	E	$\bar{\sigma}_a$	$\sigma'_b$
8,38	0,5	31,9	98934	2552	80
10,65	0,63	27,8	98932	2567	92,3
4,62	0,275	45,3	9170	2042	45

$$\bar{\omega} = \frac{100 A}{6K}$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{M}{\bar{\omega} E h}$$

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{K}$$

vérifiée

appui intermédiaire

$$I = \frac{1}{3} b y^3 + 2A'(y-d)^2 + 2A(y-h)^2 \quad y = 23,7 \text{ cm}$$

$$I = \frac{1}{3} \cdot 30 \cdot 23,7^3 + 15 \cdot 4,62 (23,7-4)^2 + 15 \cdot 18,75 (23,7-5,6)^2$$

$$= 453440,5 \text{ cm}^4$$

$$K = \frac{M}{I} = \frac{2451300}{453440,5} = 514$$

$$\sigma'_b = K \cdot y = 5,4 \cdot 23,7 = 128 < \bar{\sigma}'_b$$

$$\sigma'_a = K \cdot n(y-d) = 5,4 \cdot 15(23,7-4) = 1596 < \bar{\sigma}'_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma_a = K \cdot n(h-y) = 5,4 \cdot 15(5,6-23,7) = -2616 < \sigma_a \quad \text{vérifiée.}$$

MISSURACIÓN

A	$w = A/\rho_p$	Ø	σ <sub>t</sub>	σ <sub>2</sub>
8,38	0,035	16	3888	2239
10,65	0,044	16	4584	2239
18,75	0,078	25	4207	1792

$$\bar{\sigma}_{tf} = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{vérifiée}$$

A distance

$$\frac{T}{I} = \frac{1}{n\rho_3} = \frac{15448}{23,75 \times 69} = 13,7 < 17,7 \text{ vérifié.}$$

Condition aux appuis

$$c_0 = \frac{2T}{b \cdot \bar{\sigma}'_b}$$

$$T = 15448 \text{ kg} \Rightarrow c_0 = \frac{2 \times 15448}{30 \times 69} = 15 < 30 \text{ cm. vérifiée.}$$

Armatures inférieures

$$4\bar{\sigma}_a > T + M/3$$

$$T + M/3 = 15448 - \frac{2451300}{69} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction}$$

Armatures transversales

$$T_{max} = 15448 \text{ kg.}$$

Contrainte tangentielle

$$C_b = \frac{T_{max}}{b \cdot \vartheta} = \frac{15448}{30 \times 49} = 10,6 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma'_b = 128 \text{ kg/cm}^2 \text{ alors } \bar{\sigma}'_b < \sigma'_b < 2\bar{\sigma}'_b \rightarrow \bar{\sigma}_b = (4,5 - \frac{\sigma'_b}{\bar{\sigma}'_b}) \bar{\sigma}'_b = 15,3 \text{ kg/cm}^2$$

$$C_b < \bar{\sigma}_b \text{ vérifiée.}$$

contrainte admissible des curvatures transversales:

$$\bar{\sigma}_{\text{ad}} = 1600 \text{ kg/cm}^2$$

on choisira (stache + retrait Ø8) = 2,01 cm<sup>2</sup>

écartement admissible

$$E = \text{max} \quad \begin{cases} t_1 = 11,2 \\ t_2 = 25 \end{cases}$$

espacement des cadres transversaux

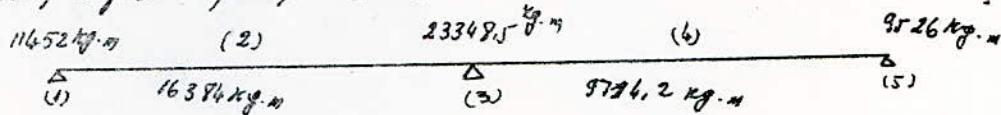
$$t = \frac{A \cdot \delta \cdot \bar{\sigma}_{\text{ad}}}{T_{\text{ad}}}$$

$$t = \frac{2,01 \times 49 \times 1600}{15408} = 10,2 \text{ cm}$$

on prendra  $t = 10 \text{ cm}$  dont 6 1/2 cours d'acier seront situés à 5 cm de l'appui  
on aura: 5 + 4x10 + 6x11 + 4x13 + 4x16 + 4x20 + 2x25 jusqu'au milieu de la trave et on continuera symétriquement

### POUTRE P<sub>2</sub>

mêmes caractéristiques géométriques que  $P_1$  et  $P_3$



Section (1)

$$\mu = \frac{15 \times 1145200}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0652 \rightarrow \begin{matrix} k = 32,5 \\ E = 98947 \end{matrix}$$

$k > \bar{k}$  pas d'aciers comprimés

$$A = \frac{1145200}{2800 \cdot 98947 \cdot 56} = 7,16 \text{ cm}^2$$

Section (2)

$$\mu = \frac{15 \times 1638400}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0933 \rightarrow \begin{matrix} k = 25,9 \\ E = 98777 \end{matrix} \text{ pas d'aciers comprimés.}$$

$$A = \frac{1638400}{2800 \cdot 98777 \cdot 56} = 11,8 \text{ cm}^2$$

Section (3)

$$\mu = \frac{15 \times 2334850}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,133 \rightarrow \begin{matrix} k = 20,5 \\ E = 98592 \end{matrix} \text{ pas d'aciers comprimés.}$$

$$A = \frac{2334850}{2800 \cdot 98592 \cdot 56} = 17,3 \text{ cm}^2$$

Section (4)

$$\mu = \frac{15 \times 971420}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0553 \rightarrow \begin{matrix} k = 36 \\ E = 9902 \end{matrix}$$

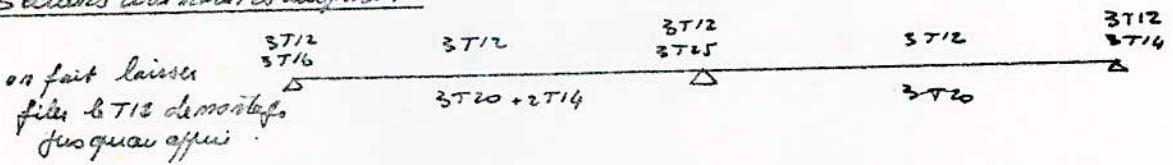
$$A = \frac{971420}{2800 \cdot 9902 \cdot 56} = 6,87 \text{ cm}^2$$

Section (5)

$$\mu = \frac{15 \times 952600}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0542 \rightarrow \begin{matrix} k = 36,4 \\ E = 99027 \end{matrix}$$

$$A = \frac{952600}{2800 \cdot 99027 \cdot 56} = 6,73 \text{ cm}^2$$

Sections d'acuités adoptées.



on fait l'acier filé 6T12 démontage jusqu'au appui

verificationsF leche

verifié.

fragilité verifiéfrissuration

$A$	$\bar{\omega} = \frac{A}{6\beta}$	$\theta$	$\sigma_1$	$\sigma_2$
9,42	0,039	16	4207	2239
12,5	0,052	20	4104	2002
18,12	0,076	25	4148	1793
9,42	0,039	20	3366	2002
6,97	0,029	14	3852	2386

$$\bar{\sigma}_{af} = \bar{\sigma}_a = 2670 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{af} = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{verifié}$$

Adhérence

$$\Sigma = \frac{T}{10\beta} = \frac{16684}{27,632 \times 49} = 12,32 < 17,7 \text{ kg/cm}$$

$$\Sigma = \frac{6546,4}{18,84 \times 49} = 7,2 < \Sigma \quad \text{verifié}$$

conditions aux appuis

$$C \geq \frac{2T}{6 \cdot \bar{\sigma}'_{6,3}} = C_0$$

$$C_0 = \frac{2 \times 16684}{30 \times 69} = 16 < 30 \text{ cm} \quad \text{verifié}$$

Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 16684 - \frac{23348,50}{49} < 0 \quad \text{les armatures resteront tournées à aucune force de traction}$$

Contraintes

$A$	$w$	$K$	$E$	$\bar{\sigma}_a$	$\sigma_b$
9,42	0,561	29,7	0,8884	2444	72
12,5	0,744	25,1	0,8754	2674	106
18,12	1,078	19,9	0,8567	2686	134
6,97	0,415	35,6	0,9012	2708	76

verifié

Armatures Transversales

$$T_{max} = 16684 \text{ kg}$$

contrainte tangentielle

$$\sigma_b = \frac{T_{ax}}{6 \cdot 3} = \frac{16684}{30 \times 49} = 11,5 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_b = \bar{\sigma}_a \left( 6,5 - \frac{\sigma_b}{\bar{\sigma}'_{6,3}} \right) = 14,84 \text{ kg/cm}^2$$

verifié

• contrainte admissible des armatures transversales:

$$\bar{\sigma}_{\text{ad}} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on prendra (cadre + retentir 08) } = 210 \text{ cm}^2$$

• écartement admissible

$$t = \max \begin{cases} t_1 = 16.2 \text{ cm} \\ t_2 = 23 \text{ cm} \end{cases}$$

• espacement des armatures transversales

$$t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_{\text{ad}}}{T_{\text{tot}}} = \frac{3,01 \times 49 \times 1600}{16684} = 9,4 \text{ cm}$$

on prendra  $t = 9 \text{ cm}$

le 1<sup>er</sup> cours d'échelle sera situé à  $\frac{9}{2} = 4,5 \text{ cm}$  de l'appui ; on aura pour le reste :

$4,5 + 4 \times 9 + 4 \times 10 + 4 \times 11 + 4 \times 13 + 4 \times 16 + 5 \times 20$  jusqu'au milieu de la travée et on continuera symétriquement.

## POUTRE P

mêmes caractéristiques géométriques que  $P_1$

entravée

$$\mu = \frac{15 \times 20,61 \cdot 10^5}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,116 \rightarrow k = 22,4 \quad \text{pas d'acières comprimés.}$$

$$A = \frac{20,61 \cdot 10^5}{2800 \cdot 0,8663 \cdot 56} = 15,02 \text{ cm}^2$$

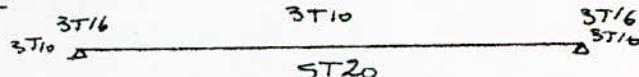
à l'appui

$$\mu = \frac{15 \times 10,70 \cdot 10^5}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0609 \rightarrow k = 33,9 \quad E = 0,8977$$

$$A = \frac{10,70 \cdot 10^5}{2800 \cdot 0,8977 \cdot 56} = 7,6 \text{ cm}^2$$

Séchage d'armatures adoptées

verifications



• flèche:

verifiée

• fragilité

verifiée

• non entraînement

$$\Sigma = \frac{T}{n P_d} = \frac{13000}{15,072 \times 49} = 17 < 17,7 \text{ kg/cm}^2 \text{ verifié}$$

• conditions aux appuis

$$c_0 = \frac{2T}{b \cdot \overline{u}_b} = \frac{2 \times 13000}{30 \cdot 69} = 12,5 < 30 \text{ cm} \text{ verifié}$$

• Armatures inférieures

$$\frac{T_f M}{3} = 13000 - \frac{1070000}{49} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

• contraintes

A	w	K	e	$\sigma_a$	$\sigma'_a$
15171	0,935	21,7	0,8661	2685	123
9,38	0,499	32	0,8936	2552	80

verifiés.

Fissuration

$$\bar{\omega}_f = \frac{A}{B_f} = \frac{15,71}{30 \times 8} = 0,065$$

$$\bar{\sigma}_t = 4727 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_c = 2002 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\omega}_f = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \text{ non fissé.}$$

Armatures transversales

$$T_{\max} = 13 t$$

contrainte tangentielle

$$\bar{\epsilon}_b = \frac{T_{\max}}{b \cdot 3} = \frac{13000}{30 \cdot 40} = 8,84 < 3,5 \bar{\sigma}_b = 20,3 \text{ Voir, feu'}$$

contrainte admissible des armatures transversales

$$\bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \text{ on choisira (cadre + tetraèdre Ø8) } = 2,0 \text{ cm}^2$$

écartement admissible des armatures transversales

$$t = \max \begin{cases} t_1 = 11,2 \text{ cm} \\ t_2 = 30 \text{ cm} \end{cases}$$

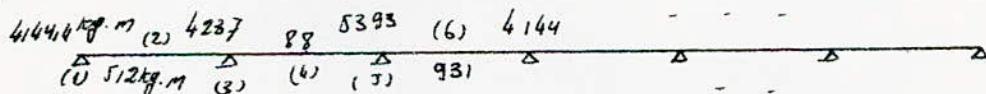
espacement des armatures transversales

$$t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_{at}}{T_{\max}} = \frac{2,01 \times 49 \times 1600}{13000} = 12,2 \text{ cm.}$$

On prendra  $t = 12 \text{ cm}$  dont le 1<sup>er</sup> cours d'échel sera sujet à  $\frac{12}{2} = 6 \text{ cm}$ , il reste :  
 $6 + 6 \times 12 + 6 \times 13 + 6 \times 16 + 7 \times 20$  jusqu'à la moitié du troué puis on reprendra  
 symétriquement.

FERRAILLAGE DES POUTRES CHAINAGESPOUTRE D-D

on adoptera que l'effet sismique sera repris transversalement par les poutres et longitudinalement par les poutres chainages ; ce qui conduira à tenir compte de l'effet aux appuis et on ferraillera les poutres d'après cette combinaison.



caractéristiques géométriques  $b \times h = 48 \times 40 \text{ cm}^2$   $d = 6 \text{ cm}$   $h = 36 \text{ cm}$

FerrailageSection (1)

$$N = \frac{15 \times 41440}{2800 \times 40 \times 36^2} = 0,0428 \rightarrow \frac{k}{E} = \frac{42}{0,9123}$$

$$A = \frac{41440}{2800 \cdot 0,9123 \cdot 36} = 4,51 \text{ cm}^2.$$

Section (2)

$$N = \frac{15 \times 51200}{2800 \times 40 \times 36^2} = 0,0053 \rightarrow \frac{k}{E} = \frac{136}{0,91669}$$

$$A = \frac{51200}{2800 \cdot 0,91669 \cdot 36} = 0,53 \text{ cm}^2.$$

$$\text{Section (3)} \quad N = \frac{15 \times 423700}{2800 \cdot 40 \cdot 36} = 0,0488 \rightarrow \frac{k}{E} = \frac{444}{0,9114}$$

$$\bullet A = \frac{423700}{2800 \cdot 0,9114 \cdot 36} = 4,61 \text{ cm}^2$$

Section (4)

$$\mu = \frac{15 \times 8800}{2800 \cdot 40 \cdot 36^2} = 0,0009 \rightarrow \frac{k=340}{E=0,9859}$$

$$A = \frac{8800}{2800 \cdot 0,9859 \cdot 36} = 0,1 \text{ cm}^2.$$

Section (5)

$$\mu = \frac{15 \times 539300}{2800 \cdot 40 \cdot 36^2} = 0,0557 \rightarrow \frac{k=35,8}{E=0,9016}$$

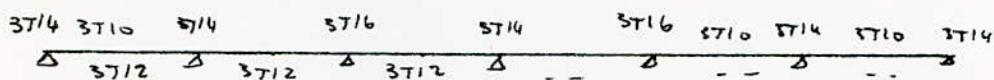
$$A = \frac{539300}{2800 \cdot 0,9016 \cdot 36} = 5,93 \text{ cm}^2$$

Section (6)

$$\mu = \frac{15 \times 93100}{2800 \cdot 40 \cdot 36^2} = 0,0096 \rightarrow \frac{k=98,5}{E=0,9560}$$

$$A = \frac{93100}{2800 \cdot 0,9560 \cdot 36} = 0,97 \text{ cm}^2.$$

Sections d'armatures adoptées



Verification

• pâleche

$$A \leq \frac{43bh}{\sigma_{en}} = \frac{43 \times 40 \times 36}{4200} = 14,74 \text{ cm}^2 \text{ vérifié.}$$

• fragilité

$$A \geq b h \sqrt{\frac{\sigma_0}{\sigma_a}} \left(\frac{k_0}{K}\right)^2 = 40 \times 36 \times 0,54 \times \frac{5,8}{2800} \left(\frac{40}{36}\right)^2 = 1,98 \text{ cm}^2 \text{ vérifié.}$$

• non enchainement

$$\bar{\epsilon}_d = \frac{T}{11P_d} = \frac{1638}{15,072315} = 3,45 < \bar{\epsilon}_d = 17,748 \text{ cm} \text{ vérifié.}$$

• conditions aux appuis

$$c_0 = \frac{2T}{b \cdot \bar{\epsilon}_{b0}'} = \frac{2 \times 1638}{40 \times 64} = 1,2 < 40 \text{ cm} \text{ vérifié.}$$

• Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 1638 - \frac{539300}{31,5} < 0 \text{ les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

• contraintes

A	w	K	E	$\sigma_a$	$\sigma_b'$
3,39	0,235	49,5	0,9225	827	17
4,62	0,32	41,4	0,9114	2795	67,5
3,35	0,163	60,8	0,934	111	2
6,03	0,418	35,5	0,9101	2757	77,7

$$w = 100 \frac{A}{\sigma_b}$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A \cdot E_h}$$

$$\sigma_b' = \frac{\sigma_a}{K}$$

vérifié

Armatures transversales

$$T_{\max} = 1638 \text{ kg}$$

Contrainte tangentielle

$$\frac{\sigma_b}{b \cdot 3} = \frac{1638}{40 \cdot 3 \cdot 1,5} = 1,3 < 20,3 = \tau_b$$

Contrainte admissible des armatures tangentielles

$$\bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on prendra (cadre + tetraèdre Ø8) } = 2,0 \text{ cm}^2$$

écartement admissible

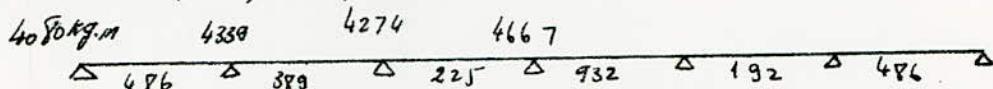
$$\bar{t} = \max \left| \begin{array}{l} t_1 = 0,2 h = 7,2 \text{ cm} \\ t_2 = h \left( 1 - 0,3 \frac{\sigma_b}{\sigma_0} \right) = 33,5 \text{ cm} \end{array} \right.$$

on prendra  $t = 20 \text{ cm}$ .

à une longueur de 90 cm de l'appui on prendra  $t = 10 \text{ cm}$  et on continuera de  $t = 20 \text{ cm}$  jusqu'au bout de la travée pour reprendre l'effet résiduel.

POUTRE B-B

mêmes caractéristiques que le précédent.

Ferraillage

en travée: on fait le calcul avec la valeur la plus défavorable et on retiendra le résultat pour toutes les travées.

$$M = 932 \text{ kg.m}$$

$$N = \frac{15 \times 93200}{2800 \cdot 40 \cdot 36^2} = 0,0096 \rightarrow k = 88,5$$

$$E = 0,9560$$

$$A = \frac{93200}{2800 \cdot 0,9560 \cdot 36} = 0,97 \text{ cm}^2$$

à l'appui intermédiaire

$$M = 4667 \text{ kg.m}$$

$$N = \frac{15 \times 466700}{2800 \cdot 40 \cdot 36^2} = 0,0472 \rightarrow k = 39,2$$

$$E = 0,9077$$

$$A = \frac{466700}{2800 \cdot 0,9077 \cdot 36} = 5,1 \text{ cm}^2$$

$$M = 4338 \text{ kg.m}$$

$$N = \frac{15 \times 433800}{2800 \cdot 40 \cdot 36^2} = 0,0448 \rightarrow k = 40,8$$

$$E = 0,9104$$

$$A = \frac{433800}{2800 \cdot 0,9104 \cdot 36} = 4,7 \text{ cm}^2$$

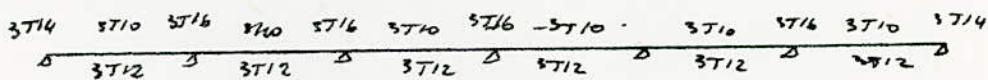
à l'appui droit

$$M = 4080 \text{ kg.m}$$

$$N = \frac{15 \times 408000}{2800 \cdot 40 \cdot 36^2} = 0,0422 \rightarrow k = 42,4$$

$$E = 0,9129$$

$$A = \frac{408000}{2800 \cdot 0,9129 \cdot 36} = 4,43 \text{ cm}^2$$

Séctions d'armatures adoptées

verifications

Féliche

verified

condition de fragilité

verified

Adhérence

$$\frac{G}{n\bar{\rho}_3} = \frac{T}{n\bar{\rho}_3} = \frac{1593}{474,768} = 3,35 < 17,7 \text{ kg/cm}^2 \text{ verified}$$

conditions aux appuis

$$C_0 = \frac{2T}{b \cdot \bar{\sigma}_{b_0}'} = \frac{2 \times 1593}{40 \times 69} = 1,2 < 60 \text{ cm verified}$$

Armatures inférieures

$$\frac{T+M}{3} = 1593 - \frac{166700}{31,5} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

contraintes

A	w	K	E	$\sigma_a$	$\sigma_b'$
3,39	0,235	49,5	0,9225	828	17
6,03	0,418	95,5	0,9010	2386	67
4,62	0,32	61,4	0,9114	2691,6	65

verified

Armatures transversales

$$T_{ax} = 1593 \text{ kg}$$

Contrainte tangentielle

$$\tau_{t_0} = \frac{T}{b \cdot z} = \frac{1593}{40 \cdot 31,5} = 1,3 \text{ kg/cm}^2 < 3,5 \bar{\sigma}_b \quad \text{verified}$$

contrainte admissible des armatures transversales

$$\bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on prendra (tous Ø8 + 1 tôle Ø8) } = 2,0 \text{ cm}^2$$

écartement admissible

$$t = \max \begin{cases} t_1 = 7,2 \text{ cm} \\ t_2 = 33,5 \text{ mm} \end{cases}$$

on prendra  $t = 20 \text{ cm}$  (même remarque que précédemment)  
on adoptera ce même ferrailage pour le porteur C.C.

N.B Dans les portes, à partir du niveau de l'appui et pour une longueur égale au demi-perimètre de la section droite de l'âme de la partie étudiée, les armatures transversales doivent être telles que toutes les files longitudinales soient individuellement entourées par une armature s'opposant à leur flambement.  
(P.S. art 2.312.3)

## PLANCHER ETAGE

### CALCUL DE LA DALLE PLEINE

$$l_x = l_y = 6.90 \text{ m} \quad P = \frac{f_x}{f_y} = 1 > 0.4 \quad \text{la dalle porte dans les 2 sens.}$$

d'après le C.C.B.A. 68 A2 on a :  $P_x$  et  $P_y$  en fonction de  $P=1$

$$\begin{cases} P_x = 0,0423 \\ P_y = 1 \end{cases}$$

charges sollicitant la dalle

$$g = 705 \text{ kg/m}^2 + 75$$

$$S_s = 250 \text{ kg/m}^2 \quad q = G + f_s \quad S = 705 + 75 + 1.2 \times 250 = 1080 \text{ kg/m}^2$$

les moments développés au milieu des bandes centrales  $10 \times l_x$  et  $10 \times l_y$

$$M_{0x} = P_x q l_x^2$$

$$M_{0y} = P_y M_{0x}$$

$$M_{0x} = M_{0y} = 0,0423 \times 1080 \times 6.9^2 = 2175 \text{ kg.m/m}$$

moments en travées

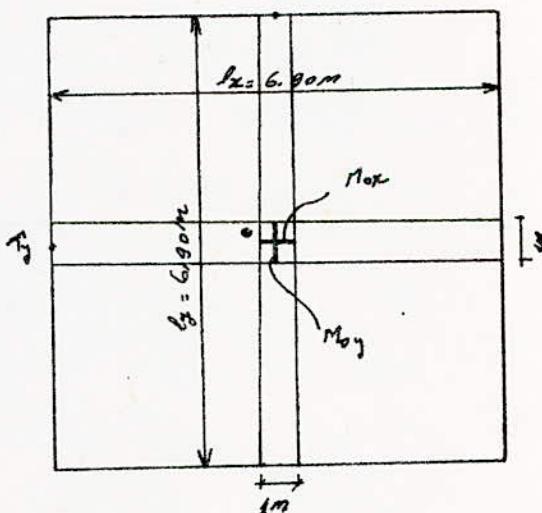
$$M_{Ex} = M_{Ey} = 0.75 M_{0x} = 0.75 \times 2175 = 1649 \text{ kg.m/m}$$

moments à l'appui

$$M_{ax} = M_{ay} = 0.25 M_{0x} = 0.25 \times 2175 = 544 \text{ kg.m/m}$$

effort tranchant

$$T_y = T_x = \frac{q}{3l} = \frac{1080}{3 \times 6.90} = 52.2 \text{ kg} \quad \text{au milieu de } l_x \text{ et } l_y.$$



Determination des armatures

$$A_{tx} = A_{ty} = \frac{M_{tx}}{\sigma_a} = \frac{194900}{0.86 \cdot 18.2800} = 4.26 \text{ cm}^2/\text{m} \quad \text{on prendra 8T12 - } 9.04 \text{ cm}^2/\text{m}.$$

$$A_{az} = A_{ay} = \frac{M_{ay}}{\sigma_a} = \frac{54400}{0.86 \cdot 18.2800} = 1.36 \text{ cm}^2/\text{m} \quad \text{on prendra 8T8 - } 4.02 \text{ cm}^2/\text{m}.$$

• verifications

• Condition de non fragilité

en traveé

$$\frac{A_x}{bh_x} \geq \frac{4u}{2} (2-\rho) \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_a} \left( \frac{h_0}{h_x} \right)^2$$

$$A_x \geq b \cdot h_x \frac{4u}{2} (2-\rho) \frac{\bar{\sigma}_a}{\bar{\sigma}_a} \left( \frac{h_0}{h_x} \right)^2 = 1,242 \text{ cm}^2$$

$$A_y \geq b \cdot h_y \frac{4u}{2} (2+\rho) \frac{\bar{\sigma}_b}{\bar{\sigma}_a} \left( \frac{h_0}{h_y} \right)^2 = 1,33 \text{ cm}^2 \quad \text{vérifié}$$

en chapeau: vérifié

• contrainte

en traveé

$$A = 9,06 \text{ cm}^2 \rightarrow \bar{\omega}_p = \frac{100A}{bh} = \frac{904}{100 \cdot 18} = 0,502 \rightarrow \frac{k=31,9}{E=0,9934}$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{M}{AEh} = \frac{184900}{9,06 \cdot 0,9934 \cdot 18} = 1271 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = 40 < \bar{\sigma}'_b \quad \text{vérifié.}$$

à l'appui

$$A = 4,02 \text{ cm}^2 \rightarrow \bar{\omega}_p = \frac{100A}{bh} = \frac{402}{200 \cdot 18} = 0,223 \rightarrow \frac{k=51}{E=0,9262}$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{56400}{4,02 \cdot 0,9262 \cdot 18} = 813 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{813}{51} = 16 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}'_b \quad \text{vérifié.}$$

• effort tranchant

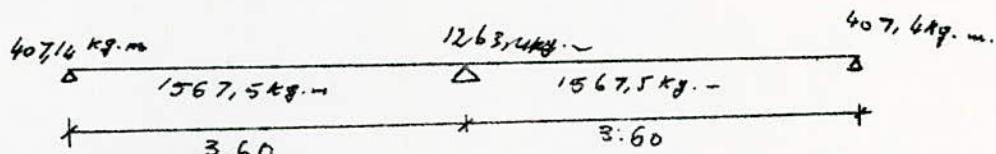
$$t_{bmax} = \frac{T}{b \cdot 3} = \frac{52,2}{100 \cdot 0,986 \cdot 17,4} = 0,03 < 1,15 \bar{\sigma}_b \quad \text{vérifié}$$

• armatures inférieures

Les armatures tangentielles ne sont pas nécessaires.

$$\frac{T+M}{3} = 52,2 - \frac{54400}{15} < 0$$

POUTRE [



calcul des armatures longitudinales

en traveé

$$\mu = \frac{15M}{\bar{\sigma}_a \cdot b \cdot h^2} = \frac{15 \cdot 156750}{2800 \cdot 0,99468 \cdot 26^2} = 0,0177 \rightarrow \frac{k=70}{E=0,99412}$$

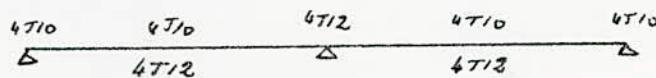
$$A = \frac{M}{\bar{\sigma}_a \cdot h} = \frac{156750}{2800 \cdot 0,99468 \cdot 26} = 2,29 \text{ cm}^2$$

à l'appui

$$\mu = \frac{15 + 126342}{2800 \cdot 0,99468 \cdot 26^2} = 0,0143 \rightarrow \frac{k=79}{E=0,99467}$$

$$A = \frac{126342}{2800 \cdot 0,99468 \cdot 26} = 1,83 \text{ cm}^2$$

sections adoptées



• Calcul à la vérification

• Flèche

$$A \leq \frac{b h_4}{\sigma_{en}} = \frac{43 \times 70 \times 26}{4200} = 18,6 \text{ vérifiée'}$$

• Condition de non fragilité

$$A \geq b h_4 \frac{\bar{\sigma}_o}{\bar{\sigma}_a} \left( \frac{h_4}{h} \right)^2 = 70 \times 26 \times 454 \times \frac{5,8}{2800} \left( \frac{30}{26} \right)^2 = 2,71 \text{ cm}^2 \text{ vérifié'}$$

• Traction sur élongation

A	$\omega_1$	$\phi$	$\Gamma_1$	$\sigma_2$
4,62	$8,07 \cdot 10^3$	12	1481	2584
4,62	$8,07 \cdot 10^3$	12	1481	2584

$$\rightarrow \bar{\sigma}_{af} = \bar{\sigma}_a = 2584 \text{ kg/cm}^2$$

en refais le calcul de la section d'armature on trouvera que 6T12 reste valable en traction et à l'appui

• Adhérence

$$\bar{\omega} = \frac{T}{n.P.z} = \frac{2339,28}{15,072 \cdot 22,75} = 6,8 < 17,7 \text{ kg/cm}^2 \text{ vérifiée'}$$

• Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 2690,17 - \frac{126342}{22,75} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

• Contraintes

$$A = 4,52 \text{ cm}^2 \quad \omega = \frac{100 A}{b h} = 0,948 \rightarrow \frac{k=48}{\varepsilon=0,9206}$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A E h} = \frac{156750}{4,52 \cdot 0,9206 \cdot 26} = 1448,7 \text{ kg/cm}^2 < \bar{\sigma}_a$$

$$\Gamma_b' = \frac{\sigma_a}{k} = 30 < \bar{\sigma}_b \quad \text{vérifiée'}$$

• Armatures transversales

$$T_{max} = 2690,3 \text{ kg}$$

• Contrainte tangentielle

$$\tau_b = \frac{T_{ax}}{b \cdot 3} = \frac{2690,2}{70 \cdot 22,75} = 1,68 \text{ kg/cm}^2 < 3,5 \bar{\sigma}_b' = 20,3 \text{ kg/cm}^2 \text{ vérifiée'}$$

• Contrainte admissible

$$\bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on choisira (2 cadres Ø 8) } = 2,0 \text{ cm}^2$$

• écartement admissible

$$t = \max \begin{cases} t_1 = 5,2 \\ t_2 = 28 \text{ cm} \end{cases}$$

• Espacement des cadres transversales

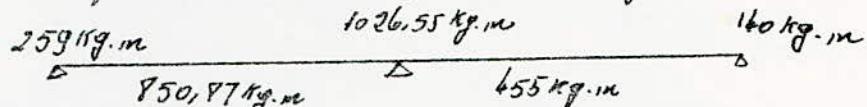
$$t = \frac{A_f \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_a \epsilon}{T_{ax}} = \frac{2,01 \times 22,75 \times 1600}{2690,2} = 27 \text{ cm}$$

on adoptera  $t = 20 \text{ cm}$

le 1<sup>er</sup> cours des cadres sera située à 5 cm de l'appui.

POUTRE L<sub>II</sub>

N.B : cette poutre est prévue pour supporter l'escalier ; elle se calculera indépendamment mais on la feraielle avec la poutre chainage C-C.



Ferraillage entravé :

$$\mu = \frac{15 \times 850,87}{2800 \times 45 \times 26^2} = 0,015 \rightarrow \frac{k}{E} = 77$$

$$A = \frac{850,87}{2800 \times 0,9457 \times 26} = 1,26 \text{ cm}^2$$

à l'appui

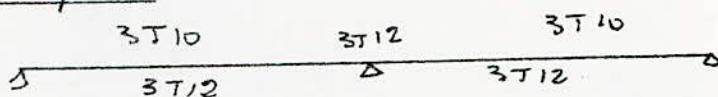
$$\mu = \frac{15 \times 1026,55}{2800 \times 45 \times 26^2} = 0,018 \rightarrow \frac{k}{E} = 69,5$$

$$A = \frac{1026,55}{2800 \cdot 0,9408 \cdot 26} = 1,5 \text{ cm}^2$$

à l'appui de rive

$$\mu = \frac{15 \times 25900}{2800 \cdot 45 \cdot 26^2} = 0,0046 \rightarrow \frac{k}{E} = 146$$

$$A = \frac{25900}{2800 \cdot 0,969026} = 0,4 \text{ cm}^2$$

Sections d'armatures adoptéesVerifications

fréquence

$$A \leq \frac{43 \times 45 \times 26}{4200} = 11,0 \text{ cm}^2 \text{ vérifié}$$

fragilité

$$A \geq b.h. k_f \frac{\bar{\tau}_2}{\bar{\tau}_a} \left( \frac{h_e}{h} \right)^2 = 1,74 \text{ cm}^2 \text{ vérifiée}$$

élasticité

$$w_f = \frac{A}{8f} = \frac{3,39}{65 \times 8} = 0,0094 \quad (\text{fixation non systématique})$$

$$\bar{\tau}_2 = 2043 \times 1,265 = 2584 \text{ kg/cm}^2$$

$$\rightarrow \bar{\tau}_{ap} = \bar{\tau}_a = 2584 \text{ kg/cm}^2$$

on refait le calcul de la section d'armature avec  $\bar{\tau}_a = 2584 \text{ kg/cm}^2$  on trouve que  $3T12 = 3,39 \text{ cm}^2$  reste valable.

adhérence

$$\zeta = \frac{T}{\tau_p z} = \frac{1747,7}{11,304 \times 22,75} = 6,7 < \bar{\zeta} \quad \text{vérifié.}$$

Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{z} = 1747,7 - \frac{1026,55}{22,75} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

contraintes

$$w = \frac{100}{6h} \frac{A}{\tau} = \frac{3,39}{45 \times 26} = 0,289 \rightarrow \frac{k}{E} = 64$$

$$E = 0,9153$$

$$\sigma_a = \frac{102655}{339 \times 0.9153 \times 26} = 1272 < \bar{\sigma}_a$$

$$\sigma'_a = \frac{\sigma_a}{k} = 20 < \bar{\sigma}'_a \quad \text{vérifié}$$

### • Armatures inférieures

$$T_{\max} = 1747,7 \text{ kgf.}$$

### • Contrainte tangentielle

$$\tau_b = \frac{T}{b \cdot 3} = \frac{1747,7}{45 \cdot 22,75} = 1,75 \text{ kg/cm}^2 < 3,5 \bar{\sigma}'_b = 20,3 \text{ kg/cm}^2$$

### • contrainte admissible des armatures

$$\bar{\sigma}_{af} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on prendra (cadre + rebord 08) } = 2,0 \text{ cm}^2$$

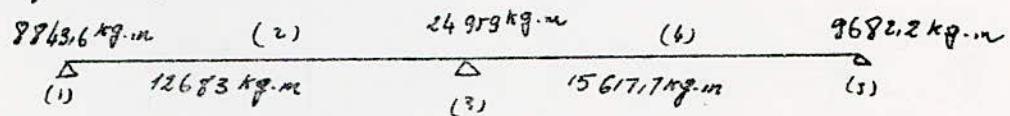
L'écartement des armatures transversales

$$t = \begin{cases} t_1 = 3,2 \\ t_2 = 23,6 \text{ cm} \end{cases}$$

$t = 20 \text{ cm}$  dont la 1<sup>re</sup> couche sera située à 5 cm de l'appui.

## POUTRE P

Caractéristiques géométriques  $30 \times 60 \text{ cm}$   $h = 56 \text{ cm}$ .



### • Section (1)

$$\mu = \frac{15 \cdot 894360}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0503 \rightarrow k = 38,2$$

$$\epsilon = 0,9060$$

$k > \bar{k}$  pas d'acières comprimés.

$$A = \frac{894360}{2800 \cdot 0,9060 \cdot 56} = 6,23 \text{ cm}^2$$

### Section (2)

$$\mu = \frac{15 \cdot 1268300}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,072 \rightarrow k = 30,5 \quad \text{pas d'acières comprimés.}$$

$$A = \frac{1268300}{2800 \cdot 0,072 \cdot 56} = 9,087 \text{ cm}^2$$

### Section (3)

$$\mu = \frac{15 \cdot 2495900}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,142 \rightarrow k = 19,6$$

$$\epsilon = 0,7555$$

$k < \bar{k} = 20,33$  des aciers comprimés sont nécessaires.

on prend  $k = \bar{k} = 20,3 \Rightarrow \mu' = 0,1819$

$$\epsilon = 0,8588$$

$$\bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}'_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \quad d = d' = 6 \text{ cm}$$

$$M_i = \mu' \cdot \bar{\sigma}'_a \cdot b \cdot h^2 = 235648 \text{ kg.cm.}$$

$$\Delta M = M - M_i = 2495900 - 235648 = 139419 \text{ kg.cm.}$$

$$\sigma'_a = \frac{2\sigma'_a(\bar{y} - d')}{\bar{y}} = 1771 \text{ kg/cm}^2 \quad (\bar{y} = 23,7 \text{ cm})$$

$$A' = \frac{AM}{(h-d')\sigma'_a} = \frac{139419}{(56-6)1771} = 1,56 \text{ cm}^2$$

$$A = \frac{M_1}{\sigma_a \epsilon_k} + \frac{\Delta M}{(h-d') \sigma_a} = \frac{2356481}{2800 \cdot 0,88589 \cdot 56} + \frac{139914}{52 \cdot 2800} = 18,46 \text{ cm}^2$$

Section (4)

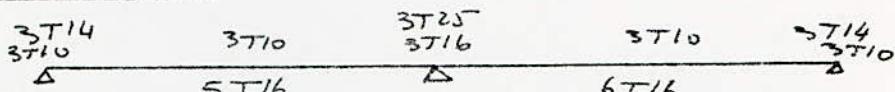
$$\mu = \frac{15 \times 1561770}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0889 \rightarrow k = 26,7 \\ \epsilon = 0,8801$$

$$A = \frac{1561770}{2800 \cdot 0,880156} = 11,32 \text{ cm}^2$$

Section (5)

$$\mu = \frac{15 \times 968220}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0551 \rightarrow k = 36 \\ \epsilon = 0,9020$$

$$A = \frac{968220}{2800 \cdot 0,9020 \cdot 56} = 6,85 \text{ cm}^2$$

Secteur d'armatures adoptées

- on fait laisser filer les T10 de mortaise jusqu'au appui.

verifications

Féclée

verified'

fragilité

verified'

Fissuration

A	$w = \frac{A}{8g}$	$\Phi$	$\sigma_1$	$\sigma_2$
6,97	0,029	14	3852	2396
10,05	0,042	16	4435,2	2289
18,75	0,078	25	4207	1792
12,10	0,15	16	4999	2239

$$\bar{\sigma}_f = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \text{ verified'}$$

Adhérence

$$\bar{\sigma}_j = 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

$$\Sigma = \frac{T}{npz} = \frac{9421,12}{35,12 \cdot 14,9} = 6,8 < \bar{\sigma}_j$$

$$\Sigma = \frac{14004,1}{30 \cdot 14,69} = 9,5 < \bar{\sigma}_j \quad \text{verified'}$$

Conditions aux appuis

$$C_0 = \frac{2T}{b \cdot \bar{\sigma}_{b0}} = \frac{2 \times 14004,1}{30 \cdot 69} = 13,5 \text{ cm} < 30 \text{ cm} \quad \text{verified'}$$

Armatures inférieures

$$T + \frac{n}{3} = 14004,1 - \frac{2495900}{49} < 0 \quad \text{les barres ne seront fournies à aucune force de traction.}$$

### Contrainte

$A$	$\omega$	$K$	$\epsilon$	$\sigma_a$	$\sigma'_b$
6,97	0,415	35,6	0,9012	2514	70,6
10,05	0,599	28,7	0,8856	2545	88,66
12,10	0,720	25,7	0,8771	2628	102

$$\omega = \frac{d\sigma A}{dh}$$

$$\sigma_a = \frac{\omega}{AEh}$$

$$\sigma'_b = \frac{\sigma_a}{K}$$

à l'appui intermédiaire

$$I = \frac{1}{3} b y^3 + 2A'(y-d)^2 + 2A(y-l)^2$$

$$= \frac{1}{3} \cdot 30 \cdot 23,7^3 + 15 \cdot 6,05 (23,7-4)^2 + 15 \cdot 18,75 (23,7-5,6)^2$$

$$I = 461648,6 \text{ cm}^4$$

$$K = \frac{M}{I} = 5,4$$

$$\sigma'_b = K \cdot y = 5,4 \cdot 23,7 = 128 < \bar{\sigma}'_b$$

$$\sigma'_a = K \cdot n (y-d) = 5,4 \cdot 15 (23,7-4) = 1596 < \bar{\sigma}'_a$$

$$\sigma_a = K \cdot n (h-y) = 5,4 \cdot 15 (56-23,7) = 2616,3 < \bar{\sigma}_a \quad \text{verif. fac'}$$

### Armatures transversales.

$$T_{\max} = 14004,08 \text{ kg}$$

#### contrainte tangentielle

$$\tau_b = \frac{T_{\max}}{b \cdot z} = \frac{14004,08}{30 \times 49} = 9,5 \text{ kg/cm}^2$$

$$\text{on a } \sigma'_b = 128 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\sigma}'_b < \sigma'_b < 2\bar{\sigma}'_b \quad \text{ce qui entraîne} \quad \bar{\sigma}_b = \left( 6,5 - \frac{\sigma_b}{\bar{\sigma}'_b} \right) F_b$$

$$\bar{\sigma}_b = \left( 6,5 - \frac{128}{69} \right) 5,8 = 16,57 \text{ kg/cm}^2 \quad \bar{\sigma} < \bar{\sigma}_b \quad \text{verif. fac'}$$

#### contrainte admissible des armatures transversales

$$\bar{\sigma}_t = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on prendra (cache + tôle en } \Phi 8) = 210 \text{ kg/cm}^2$$

#### écartement axial visible

$$E = \max \begin{cases} t_1 = 0,2h = 11,2 \text{ cm} \\ t_2 = h \left( 1 - 0,8 \frac{\bar{\sigma}_b}{\sigma_b} \right) = 29,46 \text{ cm} \end{cases}$$

#### espacement des armatures transversales

$$t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_t}{T_{\max}} = \frac{3,01 \times 49 \times 1600}{4004,08} = 11 \text{ cm}$$

on aura : 5+4x10+4x11+4x13+4x16+4x20+2x25 jusqu'au mât de la travée et continuer symétriquement.

on ferai la 2<sup>e</sup> travée de la même façon d'armatures transversales.

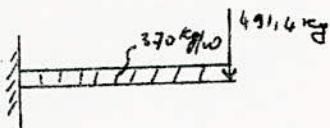
#### Calcul de la poutre $P_2$ à torsion

La torsion est due au déordement de la rive, qui est encastré sur la p. tte  $P_1$ .

Determination du moment de torsion :

charges :

- $0,1 \times 2500 = 250 \text{ kg/m}^2$
- brique creuse de 10 cm  
 $310 \times 1,3 = 273 \times 1,8 = 491,4 \text{ kg.}$
- $S = 1,2 \times 100 = 120.$
- $M = -\frac{\rho d l^2}{2} - F \times l$
- $= \frac{370 \cdot 1^2}{2} + 491,4 = 676,4 \text{ kg. m.}$



Contrainte tangentielle de Torsion

$$\tau_{\text{tan}} = \frac{k \cdot M_f}{a^2 \cdot b}$$

$$\text{comme } b/a = 60/30 = 2 \rightarrow k = 4,07$$

$$\tau_{\text{tan}} = \frac{4,07 \times 676,4}{30^2 \times 60} = 5,098 \text{ kg/cm}^2$$

$$b/a = 2 < 3,5 \Rightarrow \bar{w}_p = \bar{w}_t = \frac{a+b}{3b} \cdot \frac{\tau_{\text{tan}}}{\sigma_a}$$

$$\bar{w}_p = \bar{w}_t = \frac{30+60}{3 \times 60} \times \frac{5,098}{2800} = 9,10 \cdot 10^{-4}$$

Section du béton :  $B = 30 \times 60 = 1800 \text{ cm}^2$

on aura : pour les armatures longitudinales :  $A_f = 8 \times w_f = 1800 \times 9,10 \cdot 10^{-4} = 1,64 \text{ cm}^2$

- pour les armatures transversales :

Volume tenu :  $w_f \times 8 \times 1 = 1,64 \text{ cm}^2$

avec des cadres en  $\Phi 8 = 0,5 \text{ cm}^2$

Volume d'un cadre :

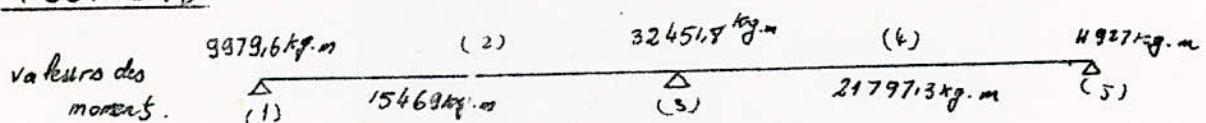
$$0,5 (26+56) \times 2 = 82 \text{ cm}^2$$

espacement des cadres :

$$e = \frac{82}{1,64} = 50,1 \text{ cm}$$

puisque l'espacement des armatures transversales ne peut pas dépasser la plus petite dimension de la section du béton  $b = 30 \text{ cm}$ , vu que l'écartement des armatures transversales de la poutre sous la sollicitation en flexion simple est inférieure que 30 cm, ils suffisent pour reprendre l'effet de torsion.

POUTRE P<sub>n</sub>



Ferrailage

Secteur (1)

$$N = \frac{15 \times 9979,6}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0568 \rightarrow \begin{aligned} k &= 35,4 \\ \epsilon &= 0,9008 \end{aligned}$$

$k > F = 20,33$  pas d'aires comprimées.

$$A = \frac{9979,6}{2800 \cdot 0,9008 \cdot 56} = 7,06 \text{ cm}^2$$

Section (2)

$$\mu = \frac{15 \cdot 1546900}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,088 \rightarrow k = 26,9 \quad \text{pas d'aciérs comprimés.}$$

$$E = 98907$$

$$A = \frac{1546900}{2800 \cdot 0,08807 \cdot 56} = 11,9 \text{ cm}^2$$

Section (3)

$$\mu = \frac{15 \cdot 13245180}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,185 \rightarrow k = 16,3$$

$k < K$  des aciers comprimés sont nécessaires.

$$\text{On prend } K = K_c = 20,53 \rightarrow \mu' = 0,1919$$

$$E = 0,9588$$

$$M_c = 2356481 \text{ kg/cm}$$

$$\Delta M = M_c - M_a = 3245180 - 2356481 = 988699 \text{ kg/cm}$$

$$\text{On prendra : } \bar{\sigma}_a = \bar{\sigma}'_a = 2800 \text{ kg/cm} \quad d = d' = 6 \text{ cm}$$

$$\bar{\sigma}'_a = 1717 \text{ kg/cm} \quad (\text{calcul précédent})$$

$$A' = \frac{\Delta M}{(k-d')\bar{\sigma}'_a} = \frac{988699}{(56-4)1717} = 9,95 \text{ cm}^2$$

$$A = \frac{M_c}{\bar{\sigma}_a h} + \frac{\Delta M}{(k-d')\bar{\sigma}'_a} = \frac{2356481}{2800 \cdot 9,858856} + \frac{988699}{52 \cdot 2800} = 23,5 \text{ cm}^2$$

Section (4)

$$\mu = 0,124 \rightarrow k = 265 \quad \text{pas d'aciérs comprimés.}$$

$$E = 0,98630$$

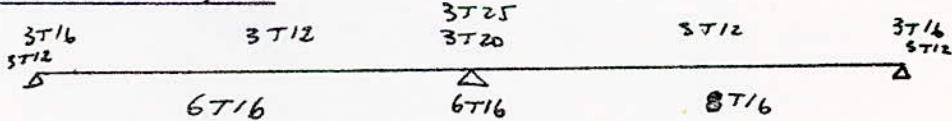
$$A = \frac{2179730}{2800 \cdot 0,98630 \cdot 56} = 16,1 \text{ cm}^2$$

Section (5)

$$\mu = \frac{15 \cdot 1192700}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0679 \rightarrow k = 31,7 \quad \text{pas d'aciérs comprimés}$$

$$E = 0,9829$$

$$A = \frac{1192700}{2800 \cdot 0,9829 \cdot 56} = 8,52 \text{ cm}^2$$

Secteurs d'armatures adoptéesVerifications

- Félonie vérifiée

- fragilité vérifiée

- Adhérence  $\bar{\sigma}_d = 1717 \text{ kg/cm}^2$

$$\bar{\sigma}_d = \frac{T}{n\sigma_3} = \frac{18926,14}{1108} = 17 < \bar{\sigma}_d \quad \text{vérifiée}$$

Condition aux appuis

$$c_o = \frac{2T}{b \cdot \bar{\sigma}'_{b_0}} = \frac{2 \cdot 18926,14}{30 \cdot 69} = 18,3 < 30 \text{ cm} \quad \text{vérifié}$$

• Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 18926,4 - \frac{3245180}{49} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

• Héssuation

A	$w = \frac{A}{Bf}$	D	$\sigma_i$	$\sigma_e$
9,42	0,039	16	4200	2239
12,10	0,05	16	4999	2239
24,15	0,1	25	4800	1792
16,13	0,076	16	6477,6	2239

$$\bar{\sigma}_{af} = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{verified}$$

• Contraintes

A	w	K	E	$\sigma_a$	$\sigma'_b$
9,42	0,56	29,9	0,8886	2129	71,2
12,10	0,72	25,6	0,8768	2604	102
16,13	0,96	21,5	0,8630	2796	130

$$w = 100 \frac{A}{Bf}$$

$$\sigma_a = \frac{M}{Ae h}$$

$$\sigma'_b = \frac{\sigma_a}{K}$$

Section (3)  $A = 24,15 \text{ cm}^2$

$$I = 571012 \text{ cm}^4$$

$$K = \frac{M}{I} = \frac{3245180}{571012} = 5,68$$

$$\sigma'_b = K \cdot y = 5,68 \times 23,7 = 134,6 < \bar{\sigma}'_a$$

$$\sigma'_a = K \cdot (h - y) = 5,68 \times 15 (56 - 23,7) = 1678 < \bar{\sigma}'_a$$

$$\sigma_a = K \cdot (h - y) = 5,68 \times 15 (56 - 23,7) = 2752 < \bar{\sigma}_a$$

• Armatures transversales.

$$T_{ax} = 18926,4 \text{ kg.m}$$

on fait le ferrailage pour  $T_{max}$  et l'on adoptera pour toute la poutre.

• Contrainte tangentielle

$$C_b = \frac{T_{ax}}{6 \cdot 3} = \frac{18926,4}{30 \cdot 49} = 12,87 \text{ kg/cm}$$

$$\text{on a que: } \bar{\sigma}'_b < \sigma'_b < 2\bar{\sigma}'_b \Rightarrow \bar{\sigma}_b = \left( 6,5 - \frac{\sigma'_b}{\bar{\sigma}'_b} \right) \bar{\sigma}'_b = 15 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma_b < \bar{\sigma}_b \quad \text{verified.}$$

• Contrainte admissible des armatures

$$\bar{\sigma}_b = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on prouve (cadre + lettrai Ø8) = 200'cm}$$

écartement admissible

$$t = \max \begin{cases} t_1 = 11,2 \\ t_2 = 10,7 \text{ cm} \end{cases}$$

espacement des armatures transversales

$$t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\tau}_a \cdot t}{T_a} = \frac{2,01 \times 49 \times 1600}{18926,4} = 8,3 \text{ cm}$$

On prendra  $t = 8 \text{ cm}$  on aura :

$4 + 4 \times 8 + 4 \times 9 + 4 \times 10 + 4 \times 11 + 4 \times 13 + 4 \times 16 + 3 \times 20$  jusqu'à mi-hauteur de la travée.

POUTRE P<sub>III</sub>

Caractéristiques géométriques :  $b = 30 \text{ cm}$ ;  $h_b = 70 \text{ cm}$ ;  $h = 65 \text{ cm}$ ;  $\bar{\tau}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$   
 $\bar{\tau}'_a = 137,7 \text{ kp/cm}^2$

Valeurs des moments :  $10483 \text{ kg.m}$  (2)       $26787,6 \text{ kg.m}$  (4)       $12409,3$   
 $\Delta$       (4)       $\Delta$       (3)       $\Delta$       (5)

Secteur (1)

$$\mu = \frac{15 \times 10483,00}{2800 \cdot 30 \cdot 65^2} = 0,0443 \rightarrow \frac{k}{E} = \frac{61,2}{0,9111} \quad \text{pas d'acières comprimés.}$$

$$A = \frac{10483,00}{2800 \cdot 0,9111 \cdot 65} = 6,32 \text{ cm}^2$$

Section (2)

$$\mu = \frac{15 \times 17350,66}{2800 \cdot 30 \cdot 65^2} = 0,0733 \rightarrow \frac{k}{E} = \frac{30,2}{0,8894} \quad \text{pas d'acières comprimés.}$$

$$A = \frac{17350,66}{2800 \cdot 0,8894 \cdot 65} = 10,72 \text{ cm}^2$$

Secteur (3)

$$\mu = \frac{15 \times 26787,6 \cdot 10^2}{2800 \cdot 30 \cdot 65^2} = 0,113 \rightarrow \frac{k}{E} = \frac{22,8}{0,8677} \quad \text{pas d'acières comprimés}$$

$$A = \frac{26787,6}{2800 \cdot 0,8677 \cdot 65} = 16,96 \text{ cm}^2$$

Section (4)

$$\mu = \frac{15 \times 26959,5}{2800 \cdot 30 \cdot 65^2} = 0,116 \rightarrow \frac{k}{E} = \frac{22,7}{0,8674} \quad \text{pas d'acières comprimés}$$

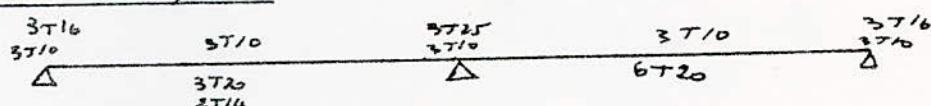
$$A = \frac{26959,5}{2800 \cdot 0,8674 \cdot 65} = 17 \text{ cm}^2$$

Secteur (5)

$$\mu = \frac{15 \times 12409,3}{2800 \cdot 30 \cdot 65} = 0,052 \rightarrow \frac{k}{E} = \frac{37,4}{0,8046}$$

$$A = \frac{12409,3}{2800 \cdot 0,8046 \cdot 65} = 7,54 \text{ cm}^2$$

Sections d'armatures adoptées



Verifications

flèche

$$A \leq \frac{436 R}{5 \pi n} = \frac{43 \times 30 \times 65}{4200} = 20 \text{ cm}^2$$

• fragilité vérifiée.

• Fissuration

A	w	φ	σ₁	σ₂
9,38	0,028	16	3281	2239
12,5	0,042	20	3593	2002
18,85	0,063	20	4638	2002
17,08	0,057	25	3506	1792

$$\bar{\sigma}_f = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{vérifiée}$$

• Adhérence

$$\bar{\tau}_1 = 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\tau}_1 = \frac{T}{bP_3} = \frac{21530,3}{2153} = 10 < \bar{\tau}_1 \quad \text{vérifiée'}$$

• conditions aux appuis

$$C_0 = \frac{2T}{b \cdot \bar{\sigma}_{b0}} = \frac{2 \times 21530,3}{30 \times 69} = 20,8 < 30 \text{ cm} \quad \text{vérifiée'}$$

• Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 21530,3 - \frac{2678760}{56,875} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction}$$

• contraintes

A	w	K	E	σₐ	σ'₀
9,38	0,43	34,9	0,8998	2139	64,3
12,5	0,641	27,5	0,8924	2420	98
18,85	0,967	21,3	0,8623	2552	119
17,08	0,876	22,6	0,8671	2782	123

$$w = \frac{400 A}{bR}$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A E h}$$

$$\sigma'_₀ = \frac{\sigma_a}{K}$$

vérifiée.

• Armatures transversales

$$T_{max} = 21530,28 \text{ kg}$$

• contrainte tangentille

$$\sigma_b = \frac{T_{out}}{b \cdot 3} = \frac{21530,28}{30 \cdot 56,875} = 12,62 < 17,8 \text{ kg/cm}^2 = \bar{\sigma}_b \quad \text{vérifiée'}$$

• contrainte admissible

$$\bar{\sigma}_{ab} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on choisira (cadre + rebord Ø8) } = 210 \text{ cm}^2$$

écartement admissible

et placement des cadres

$$\bar{E} = \max \left| \begin{array}{l} t_1 = 0,2 h = 13 \text{ cm} \\ t_2 = A \left( 1 - 0,3 \frac{\tau_{10}}{\bar{\tau}_0} \right) = 31 \text{ cm} \end{array} \right.$$

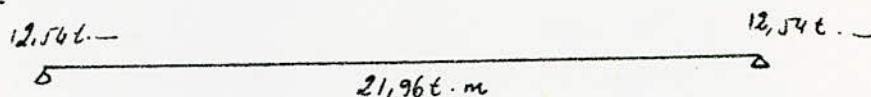
$$t = \frac{4 \cdot 3 \cdot \bar{\tau}_{10}}{T_{\text{car}}} = \frac{4 \cdot 1 \cdot 56 \cdot 875 \cdot 1600}{21530,28} = 8,5 \text{ cm}$$

on prendra  $t = 8 \text{ cm}$  on aura :

$$4 + 4 \times 8 + 4 \times 9 + 4 \times 10 + 4 \times 11 + 4 \times 13 + 4 \times 16 + 3 \times 20$$

POUTRE P<sub>IV</sub>

caractéristiques géométriques  $30 \times 60 \text{ cm}^2$   $h = 56 \text{ cm}$   
valeurs des moments



Ferrailage

à l'appui

$$\mu = \frac{15 \times 12,54 \cdot 10^5}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,0714 \rightarrow k = 30,7$$

$$e = 0,8906$$

$k > \bar{k} = 20,33$  pas d'acières comprimés

$$A = \frac{12,54 \cdot 10^5}{2800 \cdot 0,8906 \cdot 56} = 8,9 \text{ cm}^2$$

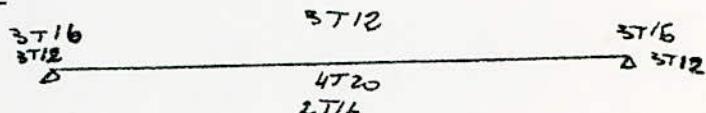
en hauteur

$$\mu = \frac{15 \times 21,96 \cdot 10^5}{2800 \cdot 30 \cdot 56^2} = 0,125 \rightarrow k = 21,4$$

$$e = 0,8626 \quad \text{pas d'acières comprimés}$$

$$A = \frac{21,96 \cdot 10^5}{2800 \cdot 0,8626 \cdot 56} = 16,23 \text{ cm}^2$$

sections d'armatures adoptées



Vérifications

flèche

verifiée

fragilité

$A > 2,16$  verifiée

Fissuration

A	$\omega = \frac{A}{A_f}$	Ø	$\sigma_1$	$\sigma_2$
9,42	0,089	16	4166	9239
16,59	0,069	20	3919	2002

$$\bar{\tau}_{af} = \bar{\tau}_{ei} = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

verifiée

Adhérence

$$\bar{\tau}_d = 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\tau} = \frac{T}{n\bar{\rho}_g} = \frac{13540}{1234} = 10,97 < 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

conditions aux appuis

$$c_0 = \frac{2T}{b \cdot \bar{\tau}'_{b_0}} = \frac{2 \times 13540}{30 \times 69} = 13 < 30 \text{ cm vérifié.}$$

Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 13540 - \frac{1254000}{49} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de l'action.}$$

Contrainte

A	w	K	E	G <sub>a</sub>	G' <sub>a</sub>
9,42	0,56	29,9	20,8886	2675	89
16,59	0,987	21,1	20,8615	2744	130

Armatures transversales

$$T_{max} = 13540 \text{ kg}$$

contrainte tangentielle

$$\bar{\tau}_b = \frac{T_{ax}}{b \cdot 3} = \frac{13540}{30 \cdot 69} = 9,2 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\tau}_b = \bar{\tau}_0 \left( 1,5 - \frac{G'}{G_a} \right) = 19,6 \text{ kg/cm}^2$$

$\tau_b < \bar{\tau}_b$  vérifié.

Contrainte admissible

$$\bar{\tau}_{ad} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on choisit (cadre + filetage Ø8) = 2,0 \text{ cm}}$$

écartement admissible

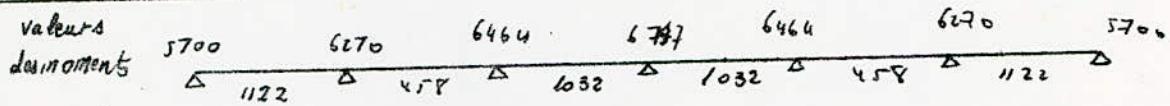
$$\bar{t} = \max \begin{cases} t_1 = 11,2 \text{ cm} \\ t_2 = 29 \text{ cm} \end{cases}$$

espacement des cadres transversaux

$$t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\tau}_{ad}}{T_{max}} = \frac{2,01 \times 69 \times 1600}{13540} = 11,61 \text{ cm}$$

on adoptera  $t = 10$  donc le 1<sup>er</sup> cours sera située à  $\frac{t}{2} = 5 \text{ cm}$   
on aura pour le reste jus qu'au milieu de la poutre :

$$5 + 4 \times 10 + 4 \times 11 + 4 \times 13 + 4 \times 16 + 4 \times 20 + 2 \times 25.$$

FERRAILLAGE DES POUTRES CHAINAGESPOUTRE D-DFerraillagesappui de rive

$$\mu = \frac{15 \times 570000}{2800 \times 40 \times 36^2} = 0,0589 \rightarrow k = 34,6 \\ \epsilon = 0,8992$$

$$A = \frac{570000}{2800 \cdot 0,8992 \cdot 36} = 6,3 \text{ cm}^2$$

appui intermédiaire

$$\mu = \frac{15 \times 674700}{2800 \cdot 40 \cdot 36^2} = 0,0702 \rightarrow k = 31 \\ \epsilon = 0,8913$$

$$A = \frac{674700}{2800 \cdot 0,8913 \cdot 36} = 7,5 \text{ cm}^2$$

on travée

$$\mu = \frac{15 \times 112200}{2800 \times 40 \times 36^2} = 0,0116 \rightarrow k = 89 \\ \epsilon = 0,9519$$

$$A = \frac{112200}{2800 \cdot 0,9519 \cdot 36} = 1,16 \text{ cm}^2$$

Sections d'armatures adoptéesVerifications

• Fléchissement  $A \leq \frac{4_3 b h}{\sigma_{en}} = \frac{4_3 \times 36 \times 40}{4200} = 11 \text{ cm}^2$  vérifié

• Fragilité  $A \geq b h \sqrt{\frac{\sigma_a}{\sigma_e}} \left( \frac{h_t}{h} \right)^2 = 40 \times 36 \times 10,54 \times \frac{5,8}{2800} \left( \frac{40}{36} \right)^2 = 1,99 \text{ cm}^2$  vérifié

• Fissuration

A	w	Ø	σ <sub>1</sub>	σ <sub>2</sub>
3,39	0,01	12	1980	2584
7,38	0,026	16	3096	2239

$$\bar{\sigma}_{af} = 2584 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}_{af} = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ vérifié}$$

on refait le calcul de la section d'armatures relativement à la section où  $\tau = 1122 \text{ kg/cm}^2$   
avec  $\bar{\sigma}_a = 2584 \text{ kg/cm}^2$ .  
On trouve que  $A = 3T12$  reste valable.

• Adhérence

$$\bar{\sigma} = \frac{T}{n P_3} = \frac{2803,3}{474,768} = 5,9 < \bar{\sigma}_1 = 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

### Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 2803 - \frac{679710}{31,5} < 0 \quad \text{Les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

### Contraintes

A	w	K	E	$\bar{\sigma}_a$	$\bar{\sigma}'_b$
3,39	0,235	49,5	0,9225	997	20
1,38	0,582	29,2	0,8869	2540	71

$$w = 100 \frac{H}{b_h}$$

$$\sigma_a = \frac{T}{A \epsilon h} \quad ; \quad \bar{\sigma}'_b = \frac{\sigma_a}{K}$$

verified

### Armatures transversales

$$T_{ax} = 2803,2 \text{ kg}$$

on fait le ferrailage avec  $T_{ax}$  et l'on adoptera pour toutes les travées.

### Contrainte tangentielle

$$\sigma_b = \frac{T_{ax}}{b_3} = \frac{2803,2}{30 \cdot 31,5} = 2,2 < 3,5 \bar{\sigma}_b = 20,3 \quad \text{verified}$$

### Contrainte admissible des armatures transversales

$$\bar{\sigma}_t = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on choisira (cadre + tôle) } = 2,01 \text{ cm}^2$$

### écartement admissible :

$$t = \max \left| \begin{array}{l} t_1 = 7,2 \\ t_2 = 31,9 \end{array} \right.$$

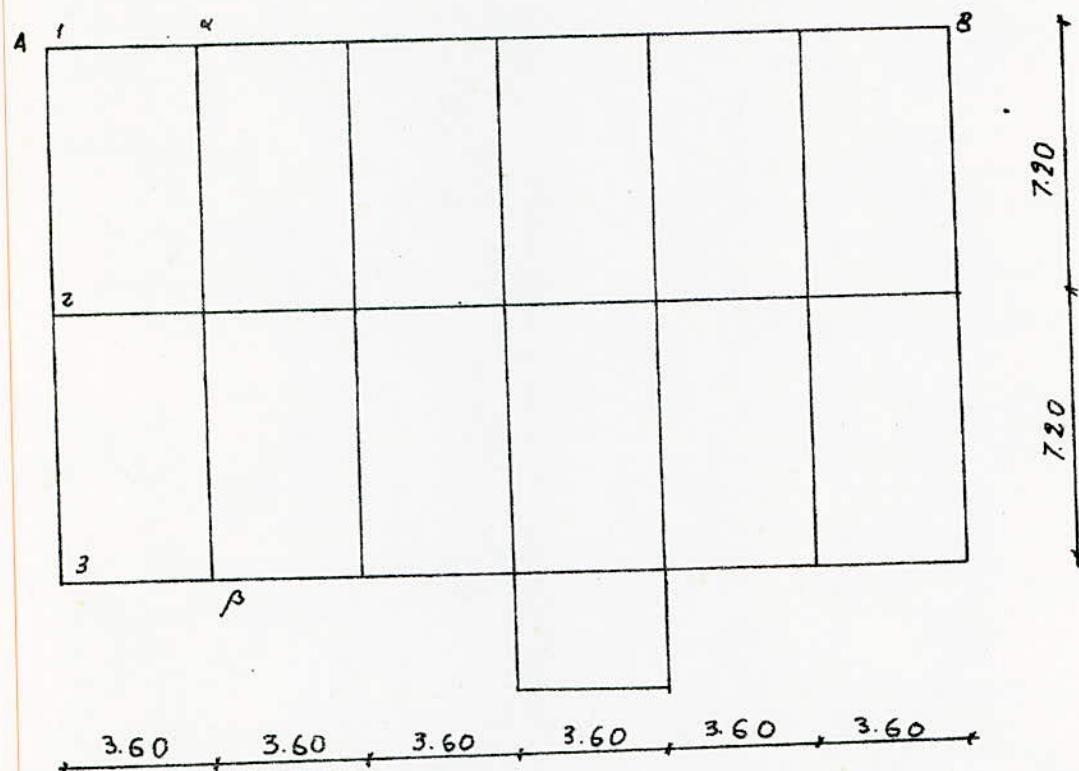
### espacement des armatures transversales

$$t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_a \epsilon}{T_{ax}} = \frac{2,01 \times 31,5 \times 1600}{2803,2} = 36 \text{ cm.}$$

on adoptera :  $5 + 6 \times 12,5 + 3 \times 25$  jusqu'à la moitié de la travée.

on adoptera ce même ferrailage pour les autres portes C-C et B-B, puisqu'on a les valeurs des moments voisines.

N.B. pour la poutre D-D et pour les 2 travées centrales où se repose la dalle au vent pour l'entrée postérieure on dispose 2 T10 au milieu de sa hauteur pour reprendre l'effet de la torsion due à la dalle.

CALCUL DES LONGRINESVUE EN PLAN

on 3 types de longrines :

- 1 - Longrine transversale de caractéristiques :  
3 travées égales de 7.2m ; section transversale 30x40 cm
- 2 - Longrine longitudinale de caractéristiques :  
6 travées égales de 3.6m ; sections transversales : 30x40 cm.

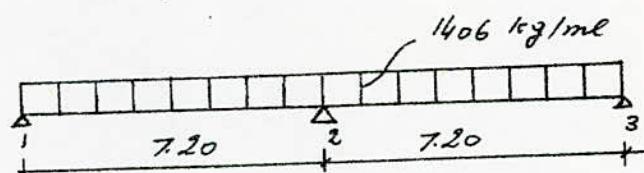
Etude de la longrine 1

charges :

$$\text{p.p} : 0.3 \times 0.4 \times 2500 = 300 \text{ kg/m}$$

$$\text{mur} : 395 \times 2.8 = 1106 \text{ kg/m}$$

$$f = 1406 \text{ kg/m}$$

schema statique

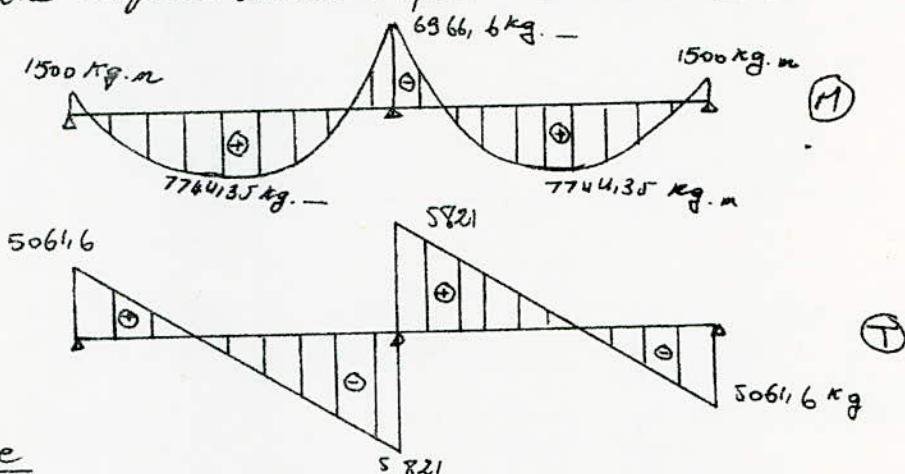
$$M_1 = M_3 = 0$$

$$M_0 = \frac{\pi \rho^2}{8} = \frac{1406 \times 7.2^2}{8} = 9111 \text{ kg.m}$$

$$M_2 = 0.6 \cdot M_0 = 5466,6 \text{ kg.m}$$

$$M_4 = 0.85 \cdot M_0 = 7744,35 \text{ kg.m}$$

on suppose que les longueurs vont reprendre l'effet du bâtiine développé à base du poteau, on va les tenir compte aux nœuds dont les valeurs des moments relatifs à cette longueur seront d'après cette combinaison :



### Ferrailage

#### appui derrière

$$\mu = \frac{15 \cdot 1500}{2800 \cdot 30 \cdot 36^2} = 0,0207 \rightarrow \begin{array}{l} k = 64,3 \\ \epsilon = 0,9369 \end{array}$$

$$A = \frac{150000}{2800 \cdot 0,9369 \cdot 36} = 1,59 \text{ cm}^2$$

#### EN travée

$$\mu = \frac{15 \cdot 774435}{2800 \cdot 30 \cdot 36^2} = 0,107 \rightarrow \begin{array}{l} k = 23,7 \\ \epsilon = 0,8708 \end{array} \quad \text{par d'acier comprimés}$$

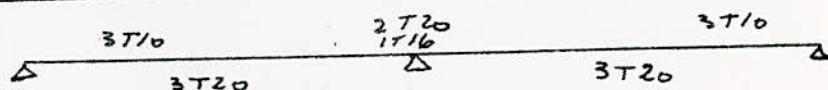
$$A = \frac{774435}{2800 \cdot 0,8708 \cdot 36} = 8,82 \text{ cm}^2$$

#### appui intermédiaire

$$\mu = \frac{15 \cdot 696660}{2800 \cdot 30 \cdot 36^2} = 0,0960 \rightarrow \begin{array}{l} k = 25,4 \\ \epsilon = 0,8762 \end{array}$$

$$A = \frac{696660}{2800 \cdot 0,8762 \cdot 36} = 7,79 \text{ cm}^2$$

### Sections d'armatures adoptées



### Verifications

#### fleche

$$A \leq \frac{436h}{5a} = \frac{43 \cdot 30 \cdot 136}{4200} = 11 \text{ cm}^2 \quad \text{verified}$$

#### fragilité

$$A \geq b h_{\frac{1}{4}} \frac{\bar{c}_b}{\bar{c}_a} \left( \frac{h_b}{h_a} \right)^2 = 30 \times 36 \times \frac{5,8}{2800} \left( \frac{60}{36} \right)^2 = 1,69 \text{ cm}^2 \quad \text{verified}$$

contraintes

A	w	K	E	$\sigma_a$	$\sigma'_b$
2,35	0,8176	51,5	0,9248	1917	37
9,42	0,8722	22,8	0,8677	2632	115
9,29	0,767	24,6	0,8737	2672	108,6

$$\omega = \frac{100 A}{b h}$$

$$\sigma_a = \frac{M}{A E h} ; \sigma'_b = \frac{\sigma_a}{K}$$

verified'

Fissuration

A	$w = \frac{A}{B_f}$	Ø	$\sigma_f$	$\bar{\sigma}_2$
2,35	0,0098	16	2182	2830
9,42	0,04	20	3427	2002
9,29	0,034	20	3046	2002

$$\bar{\sigma}_{af} = \bar{\sigma}_a = 2800 \text{ kg/cm}^2$$

verified'

Adhérence

$$\underline{\sigma}_J = \frac{T}{n P_3} = \frac{5061}{18,84 \cdot 31,5} = 8,53 < \bar{\sigma}_J = 17,7 \text{ kg/cm}^2$$

conditions aux appuis

$$C_0 = \frac{2T}{b \cdot \bar{\sigma}'_{b0}} = \frac{2 \times 5061,6}{30 \times 69} = 5 < 30 \text{ cm verified'}$$

Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{\beta} = 5821 - \frac{69666}{31,5} < 0 \quad \text{les armatures ne seront soumises à aucune force de traction.}$$

Armatures transversales

$$T_{max} = 5821 \text{ kg.}$$

contrainte tangentielle

$$\sigma_b = \frac{T_{max}}{b \cdot \beta} = \frac{5821}{30 \cdot 31,5} = 6,16 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma'_b = 108,6 \Rightarrow \bar{\sigma}'_{b0} < \sigma'_b < 2\bar{\sigma}'_{b0} \rightarrow \bar{\sigma}_b = \bar{\sigma}_{b0} \left( 1,5 - \frac{\sigma'_b}{\bar{\sigma}'_{b0}} \right) = 17 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma_b < \bar{\sigma}_b \text{ verified'}$$

contrainte admissible

$$\bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on choisira (cadre + intérieur - Ø8) = 2,0/cm} \\ \text{écartement admissible}$$

$$E = \max \begin{cases} t_1 = 7,2 \text{ cm} \\ t_2 = 24 \text{ cm} \end{cases}$$

espacement des armatures transversales

$$t = \frac{A_f \cdot 3 \cdot \bar{T}_{at}}{T_{max}} = \frac{9,01 \times 31,5 \times 1600}{5821} = 174 \text{ cm}$$

on adoptera  $t = 17 \text{ cm}$  on aura le ferrailage suivante.

$9 \times 8 + 4 \times 16 + 9 \times 20$  jus'qu'au milieu de la travée

N.B :

on réduit l'espacement des armatures transversales au niveau des nœuds à  $\frac{t}{2}$  à une distance de demi-perimètre de la section transversale de la longueur pour reprendre l'effet sismique.

Etude de la longrine 2

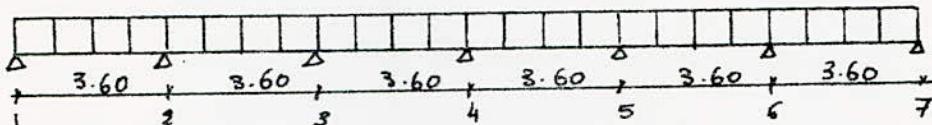
charges :

$$\text{p.p : } 0,3 \times 0,6 \times 2500 = 300 \text{ kg/m}$$

$$\text{mur : } 1106 \text{ kg/m}$$

$$g = 1406 \text{ kg/m}$$

schéma statique



$$M_0 = \frac{q l^2}{8} = \frac{1406 \times 3,6^2}{8} = 2277 \text{ kg.m}$$

Le rapport entre 2 hauteur voisines est égal à 1 compris entre 0,8 et 1,25 => on peut appliquer la méthode forfaitaire.

$$M_2 = M_6 = 0,6 M_0 = 1366,8 \text{ kg.m}$$

$$M_4 = M_5 = 0,5 M_0 = 1138 \text{ kg.m}$$

$$M_{12} = M_{67} = 1936,3 \text{ kg.m}$$

$$M_{23} = M_{56} = 1366,8 \text{ kg.m}$$

$$M_{34} = M_{65} = 1480,7 \text{ kg.m}$$

on a toujours la condition :  $M_t + \frac{M_w + M_e}{2} \geq 115 M_0$  est vérifiée

en tenant compte de l'effet sismique horizontal on aura les valeurs de moment suivants :

$$\begin{array}{cccccccc} 1500 \text{ kg.m} & 2867 & 2639 & 2639 & 2639 & 2867 & 1500 \text{ kg.m} \\ \Delta 1936,3 & \Delta 1366,8 & \Delta 1480,7 & \Delta 1480,7 & \Delta 1366,8 & \Delta 1936,3 & \text{(M)} \end{array}$$

$$\begin{array}{cccccccc} 25308 & 2784 & 2784 & 2784 & 2784 & 2784 & 25308 \\ \Delta & \Delta & \Delta & \Delta & \Delta & \Delta & \text{(T)} \\ 2784 & 2784 & 2784 & 2784 & 2784 & 2784 & 25308 \end{array}$$

Ferrailage

appui dérive 3 T/10 d'après le calcul précédent.

en travée

$$\mu = \frac{15 \times 193630}{2800 \cdot 30 \cdot 36^2} = 0,0267 \rightarrow \begin{aligned} k &= 55,5 \\ E &= 0,9291 \end{aligned} \quad \text{pas d'aciens comprimés}$$

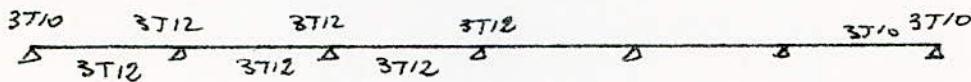
$$A = \frac{193630}{2800 \cdot 0,9291 \cdot 36} = 2,07 \text{ cm}^2$$

à l'appui intermédiaire

$$\mu = \frac{15 \times 286700}{2800 \cdot 30 \cdot 36^2} = 0,0395 \rightarrow \begin{aligned} k &= 44,1 \\ E &= 0,9154 \end{aligned}$$

$$A = \frac{286700}{2800 \cdot 0,9154 \cdot 36} = 3,10 \text{ cm}^2$$

Sections d'armatures adoptées



Verifications

contrainte

A	w	K	E	$\sigma_a$	$\sigma'_b$
3,39	0,314	42	0,9123	2575	61

verifiée

flèche

verifiée

fragilité

verifiée

fracturation

A	$w = A/\rho_f$	$\phi$	$\sigma$	$\sigma_2$
3,39	0,014	12	2456	2585

$$\bar{\sigma}_f = \sigma_2 = 2585 \text{ kg/cm}^2$$

on refait le calcul avec  $\bar{\sigma}_a = 2585 \text{ kg/cm}^2$  on trouve que 3T12 n'est valable.

adhérence

$$\Sigma = \frac{T}{\rho_f \beta_3} = \frac{2784}{356,1} = 8 < 17,7 \text{ kg/cm}^2 \text{ verifiée}$$

conditions aux appuis

$$C_0 = \frac{2T}{b \cdot \bar{\sigma}'_b} = \frac{2 \times 2784}{30 \times 69} = 1,68 < 30 \text{ cm verifiée}$$

Armatures inférieures

$$T + \frac{M}{3} = 2784 - \frac{286700}{31,5} < 0 \quad \text{verifiée}$$

• Armatures transversales

$$T_{max} = 2784 \text{ kg}$$

• contrainte tangentielle

$$\bar{\sigma}_b = \frac{T_{max}}{b \cdot \delta} = \frac{2784}{30 \cdot 31,5} = 2,9 < 3,5 \quad \text{vérifié}$$

• Contrainte admissible des armatures transversales

$$\bar{\sigma}_{at} = 1600 \text{ kg/cm}^2 \quad \text{on choisira (cadre + tôle Ø 8) } = 2,0 \text{ / cm}^2$$

• écartement admissible

$$\bar{E} = \max \left| \begin{array}{l} t_1 = 7,2 \text{ cm} \\ t_2 = 30 \text{ cm} \end{array} \right.$$

• espacement des armatures

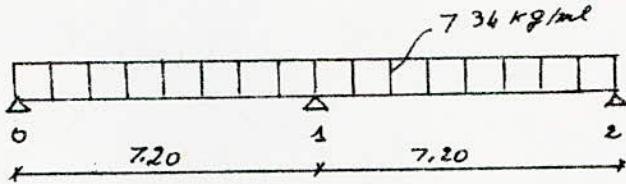
$$t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_{at}}{T_{max}} = \frac{2,01 \cdot 31,5 \cdot 1600}{2784} = 36,4 \text{ cm}$$

on prendra  $t = 25 \text{ cm}$ ; on aura:  
 $6 \times 12 + 4 \times 20 + 1 \times 5$  jus qu'au mortier de la traverse.

### Etude de la longrine intérieure . (α, β)

Charges : p.p :  $0.3 \times 0.6 \times 2500 = 300 \text{ kg/m}$   
 surint :  $155 \times 2.8 = 434$  —  
 $\frac{434}{g} = \frac{434}{734}$

#### schéma statique



$$M_0 = \frac{g f^2}{8} = \frac{734 \times 7.2^2}{8} = 4756 \text{ kg.m}$$

$$M_1 = 0.6 M_0 = 2856 \text{ kg.m}$$

$$M_2 = 0.85 M_0 = 6043 \text{ kg.m}$$

#### calcul des armatures

en travée :  $\mu = \frac{15 \times 604300}{2800 \cdot 30 \cdot 36} = 0,0557 \rightarrow K = 35,8$   
 $E = 0,9016$

$$A = \frac{604300}{2800 \cdot 0,9016 \cdot 36} = 4,45 \text{ cm}^2 \rightarrow 3T14 = 4,62 \text{ cm}^2$$

en chapeau :  $\mu = \frac{15 \times 285400}{2800 \cdot 30 \cdot 36} = 0,0393 \rightarrow K = 44,2$   
 $E = 0,9155$

$$A = \frac{285400}{2800 \cdot 0,9155 \cdot 36} = 3,09 \rightarrow 3T12 = 3,39 \text{ cm}^2$$

#### verifications

- flèche : vérifiée.

- fragilité : vérifiée.

- Adhérence

$$\frac{T}{n P_3} = \frac{2642,4}{413,422} = 6.36 < \bar{\tau}_d \text{ vérifié.}$$

#### Fissuration

en chapeau :  $\bar{\tau}_f = \frac{A}{S_f} = \frac{3,39}{3018} = 0,014 \rightarrow \tau_1 = 2,4 \times 1023 = 2455 \text{ kg/cm}^2$   
 $\tau_2 = 1,265 \times 2043 = 2584 \text{ kg/cm}^2$

$\bar{\tau}_{af} = \tau_2 = 2584 \text{ kg/cm}^2$   
 on refait le calcul de la section d'armatures avec  $\bar{\tau}_f = 2584 \text{ kg/cm}^2$   
 on trouve que 3T12 reste valable.

en travée :  $\bar{\tau}_f = \frac{A}{S_f} = \frac{4,62}{3018} = 0,019 \rightarrow \tau_1 = 2,4 \times 1140 = 2736 \text{ kg/cm}^2$   
 $\tau_2 = 1,265 \times 1994 = 2396 \text{ —}$

$\bar{\tau}_f = \tau_1 = 2736 \text{ kg/cm}^2$  on refait le calcul avec  $\bar{\tau}_f = 2736 \text{ kg/cm}^2$   
 on trouve que 3T14 reste valable.

Contrainte :

$$\omega_1 = \frac{100 \cdot A}{bh} = \frac{339}{30 \cdot 36} = 0,314 \rightarrow k = \frac{42}{E} = \frac{42}{0,9123}$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{M}{AE} = \frac{295400}{3,29 \cdot 0,9123 \cdot 36} = 2563 \text{ kg/cm}^2 < 2584 \text{ kg/cm}^2$$

$$\sigma'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = 61 < \bar{\sigma}'_b$$

$$\omega_2 = \frac{462}{30 \cdot 36} = 0,428 \rightarrow k = \frac{35}{E} = \frac{35}{0,9}$$

$$\bar{\sigma}_a = \frac{404300}{4,62 \cdot 0,9 \cdot 36} = 2700 \text{ kg/cm}^2 < 2736 \text{ kg/cm}^2$$

$$\bar{\sigma}'_b = \frac{\bar{\sigma}_a}{k} = 77 < \bar{\sigma}'_b \quad \text{vérifié}$$

Armatures transversales.

$$T = 3038,5 \text{ kg}$$

$$\bar{\sigma}_{a,t} = 1600 \text{ kg/cm}^2$$

on prendra cadre + tôle  $\phi 8 = 2,01 \text{ cm}^2$

$$\bar{\sigma}_b = \frac{T}{b \cdot z} = \frac{3038,5}{30 \cdot 315} = 3,2 < \bar{\sigma}_b = \left( 4,5 - \frac{0,8}{\bar{\sigma}_{b,t}} \right) \bar{\sigma}_b = 19,6 \text{ kg/cm}^2$$

écartement admissible

$$\begin{aligned} \bar{t} &= \max t_i = 0,2 \cdot 36 = 7,2 \text{ cm} \\ t_L &= h \left( 1 - 0,3 \frac{\bar{t}_b}{\bar{t}_b} \right) = 30 \text{ cm} \end{aligned}$$

espacement des armatures transversales.

$$t = \frac{A_t \cdot 3 \cdot \bar{\sigma}_{a,b}}{T} = \frac{2,01 \cdot 315 \cdot 1600}{3038,5} = 33,36 \text{ cm}$$

on prendra  $t = 20 \text{ cm}$ .

## CALCUL DES POTEAUX

Les poteaux seront calculés en flexion composée, dont les efforts tranchants seront négligeables.  
Le ferrailage des poteaux sera fait par l'effort le plus défavorable et par niveau.  
Seules dimensions ont été imposées : 30 x 40 cm<sup>2</sup>.

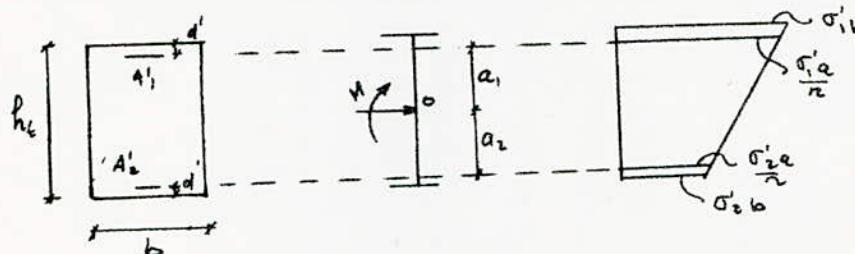
### Détermination des armatures longitudinales

#### Méthode de calcul

Généralement 3 cas peuvent se présenter :

##### 1. Section entièrement comprimée

$$\text{si } e_0 = \frac{M}{N} < \frac{h_t}{6}$$



$$d' = \delta_c \cdot h_t$$

M: moment le centre de gravité du béton seul

$M_{a_1} = M - N a_1$  : moment des forces extérieures agissant à gauche de la section par rapport au c.d.g. des armatures les plus comprimées.

$M_{a_2} = M + N a_2$  : moment des forces extérieures agissant à gauche de la section / c.d.g des armatures les moins comprimées.

On armera la section d'une manière symétrique  $A'_1 = A'_2 = A'$   
on prendra  $\sigma'_{1b} = \bar{\sigma}_b$  (raison d'économie)

On pose :  $\rho = \frac{N}{\bar{\sigma}_b \cdot b \cdot h_t}$  ;  $e = \frac{M_0}{N}$  ;  $\gamma = \frac{6 \cdot e \cdot \rho}{R}$  ;  $\varepsilon = 12(0.5 - \delta_c')^2$

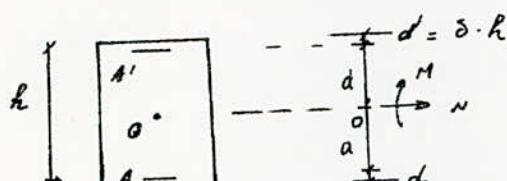
$$N = \frac{2\pi \cdot A'}{b \cdot h_t} ; C = \frac{1 - \rho - \gamma}{\varepsilon} ; D = 0.5(1 - \rho + \frac{\rho}{\varepsilon} + C)$$

e, b,  $h_t$  en cm  $A'$  (cm<sup>2</sup>)  $N$  (kgf)  $\bar{\sigma}_b$  (kg/cm<sup>2</sup>)

$$\bar{\sigma}_b' = \frac{N}{b \bar{\sigma}_t + 2\pi A'} + \frac{M_0 \cdot \frac{h_t}{2}}{I} \quad \text{de la forme } u^2 + 2Du + C = 0$$

$$u = -D + \sqrt{D^2 - C} \quad \Rightarrow \quad A = \frac{N \cdot b \cdot h_t}{2\pi}$$

##### 2. Section partiellement comprimée $e_0 > \frac{h_t}{6}$



$M_a^c$  : moment des forces situées à gauche de la section par rapport aux armatures comprimées  
 $M_a^t$  : moment des forces situées à gauche de la section par rapport aux armatures tendues.

$$N_a^t = M + N \cdot a \quad ; \quad M_a^c = M - N \cdot a' \quad N' > 0 \text{ compression} \\ N' < 0 \text{ traction}$$

$$\rho_1 = \frac{N \cdot M_a^t}{\bar{\sigma}_a \cdot b \cdot h_t^2} \quad ; \quad \rho_2 = \frac{N \cdot M_a^c}{\bar{\sigma}_a \cdot b \cdot h_t^2}$$

• L'abaque établi à partir de  $\bar{\sigma}_a$  correspondant à  $\delta'$  nous donne l'abscisse  $K$  du point d'intersection des courbes  $N_1$  et  $N_2$ :  
 Si :  $K > K_0$  : on lit la valeur  $w = w'$  correspondant à l'intersection de  $N_1$  et  $N_2$

Si  $K < K_0$  on calcule:

$$N_1' = \frac{M_a t}{\bar{\sigma}'_b \cdot b \cdot h^2} \quad \text{et} \quad N_2' = \frac{M_a c}{\bar{\sigma}'_b \cdot b \cdot h^2}$$

L'abaque établi à partir de  $\bar{\sigma}'_b$  et correspondant au même  $\delta'$  nous donne la valeur de  $w = w'$  correspondant à l'intersection de  $N_1'$  et  $N_2'$ .  
 On vérifie les contraintes :  $A = A' = \frac{6h w}{100}$

$$\sigma_a = n \left[ 1 - \left( 1 + \frac{h}{15} \right) \delta' \right] \bar{\sigma}'_b < \bar{\sigma}'_a$$

$$\bar{\sigma}_a = n \bar{\sigma}'_b < \bar{\sigma}_a$$

### 3. Cas de la compression simple

Pièces courtes :  $\lambda = \frac{l_c}{a} \leq 14,4$  pour les sections rectangulaires.

$l_c = 0,9 l_0$  : longueur de flambement.

Les règles C.C. B.A. 68 ont 32.2 ont fixé un pourcentage minimal d'armatures longitudinales :

$$A'_l \geq \frac{1,25}{1000} \theta_1 \cdot \theta_2 \cdot \theta_3 \cdot \frac{N'}{\bar{\sigma}'_b}$$

$A'_l$ : section totale d'armatures longitudinales

$\theta_1 = 1,8$  pour angle  
 $= 1,4$  " de rive  
 $= 1$  " intérieur

$$\theta_2 = 1 + \frac{l_c}{4a - 2c}$$

$l_c$ : longueur de flambement  
 $a$ : plus petite dimension de la section transversale  
 $c$ : enroulage des armatures longitudinales

$$\theta_3 = 1 + \frac{2160}{f_{er}}$$

$f_{er}$ : limite d'élasticité des armatures longitudinales exprimée en bars.

### Determination de $\bar{\sigma}'_b$

$$\bar{\sigma}'_b = \alpha \cdot \beta \cdot \gamma \cdot \delta \cdot \varepsilon \cdot \bar{\sigma}'_{27}$$

•  $\alpha = 1$  Cement C.P.A. 325

•  $\beta = \frac{5}{6}$  contrôle attenué

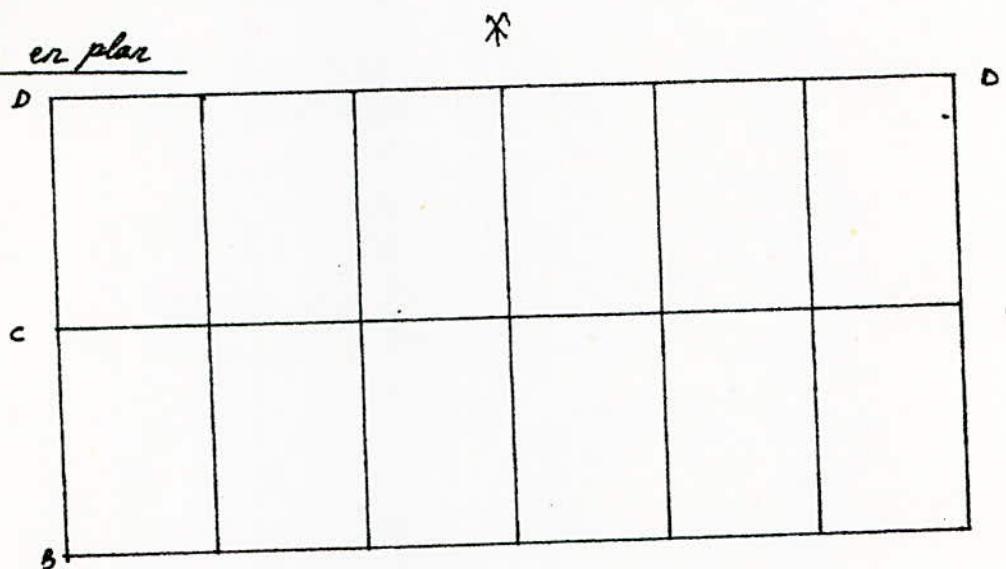
$$\circ \quad \gamma = \min \begin{cases} 0.3 \left( 1 + \frac{e_0}{3e_1} \right) \\ 0.6 \end{cases}$$

$$\circ \quad \bar{\sigma}'_{27} = 270 \text{ bars}$$

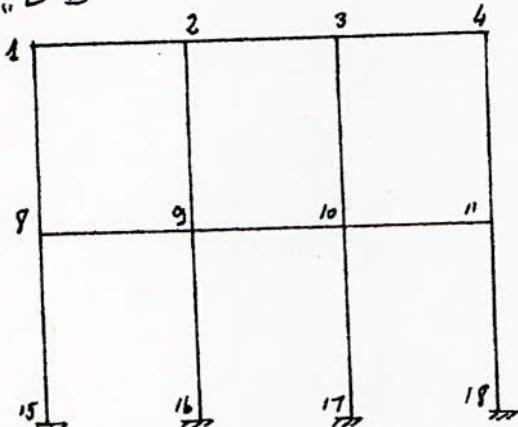
$$\circ \quad e_1 = \frac{h_t}{6} \quad e_0 = \frac{M}{N}$$

pour le calcul des poteaux on considère 3 files des poteaux comme indiqué ci-dessous et le calcul sera fait sous forme des tableaux, en flexion composée : section partiellement comprimée, en considérant les deux sens : transversale et longitudinale

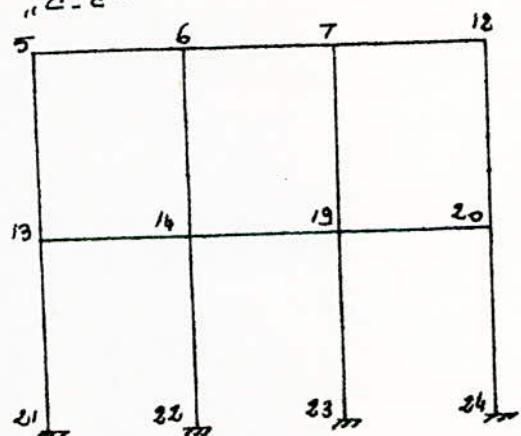
vue en plan



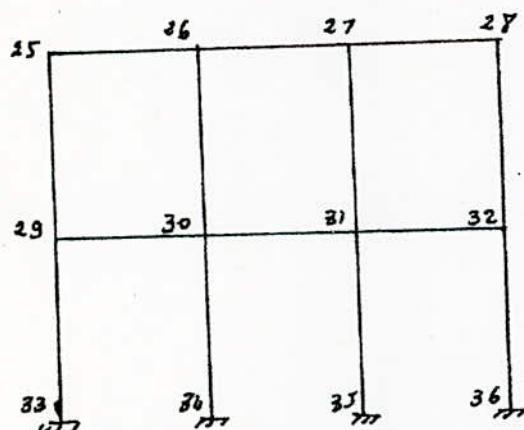
"D-D"



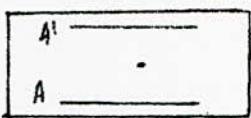
"C-C"



"B-B"

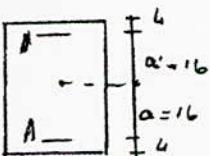


$\delta' = 0,1$   
Series "D-D"

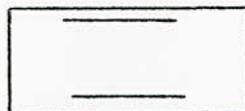


$\alpha' = 12$   
 $\alpha = 12$

NiV	II 1-9	I 9-15	II 2-9	I 9-16	II 3-10	I 10-17	II 4-11	I 11-18
$M_{t-n}$	3.95	6.2	3.95	6.2	3.95	6.2	3.95	6.2
$N(t)$	2.62	13.62	3.12	20.62	9	20.32	14.32	34.32
$e_0$	116.5	35	98	23.3	34	15.83	21.32	14
$T'_a$	137.7	137.7	137.7	137.7	137.7	137.7	137.7	133.11
$M_{t-n}$	4.3	7.83	4.32	8.67	5.03	9.84	5.67	10.32
$M_{t-n}^{CIM}$	2.31	4.6	3.57	3.664	2.84	2.67	2.19	1.98
$\mu_1$	0.079	0.144	0.0794	0.159	0.0924	0.181	0.104	0.19
$\mu_2$	0.0424	0.0845	0.0656	0.0673	0.0522	0.0454	0.0402	0.0364
$K_0$	20.33	20.33	20.33	20.33	20.33	20.33	20.33	20.04
$K$	32	24	33.8	21.8	30	19.2	28	18
$\mu'_1$						0.125		0.266
$\mu'_2$						0.0615		0.051
$w=w'$	0.3	0.64	0.48	0.52	0.4	0.22	0.3	0.48
$A=A'$	3.24	6.91	5.184	5.62	4.32	2.376	3.24	5.184
$T'_a$	1318	1528.5	1393.5	1559	1466	1595	1473	1557
$T_a$	2066	2066	2066	2066	2066	2066	2066	1997
$A_{min}$	1	5.09	1.167	7.713	3.37	1.13	5.36	12.8
Sect. adapt.	6T16	4T20+2T16	6T16	6T16	6T16	4T20+2T16	6T16	6T20+2T16

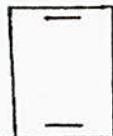
 $\delta' = 0,1$ 

NiV	II 1-9	I 9-15	II 2-9	I 9-16	II 3-10	I 10-17	II 4-11	I 11-18
$M_{t-n}$	3.95	6.2	3.95	6.2	3.95	6.2	3.95	6.2
$N(t)$	2.62	13.62	3.12	20.62	9	20.32	14.32	34.32
$e_0$	116.5	35	98	23.3	34	15.83	21.32	14
$T'_a$	137.7	137.7	137.7	137.7	137.7	137.7	137.7	133.11
$M_{t-n}$	4.37	8.38	4.65	9.5	5.39	11.05	6.34	11.7
$M_{t-n}^{CIM}$	3.53	4.021	3.451	2.9	2.51	1.85	1.66	0.71
$\mu_1$	0.06	0.115	0.061	0.131	0.014	0.153	0.086	0.161
$\mu_2$	0.049	0.055	0.048	0.04	0.0345	0.019	0.023	0.01
$K_0$	20.3	20.3	20.3	20.3	20.3	20.3	20.3	20.04
$K$	39.5	26	38.5	23.7	32.8	19.9	29	19
$\mu'_1$						0.31		0.022
$\mu'_2$						0.025		0.013
$w=w'$	0.36	0.43	0.34	0.32	0.26	0.2	0.18	0.09
$A=A'$	3.9	6.64	3.7	3.5	2.81	2.16	1.9	0.97
$T'_a$	1315	1501	1329	1531	1407	1595	1253	1544
$T_a$	2066	2066	2066	2066	2066	2066	2066	1997
$A_{min}$	1	3.9	0.89	5.9	2.6	8.68	4.1	9.81
Sect. adapt.	4T16	4T20	4T16	4T16	4T16	4T20	4T16	4T20

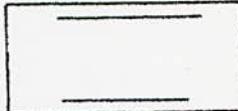
$\delta' = 0, \epsilon$ 

Serie C-c"

NIV	II 5-13	I 13-21	II 6-14	I 14-22	II 7-19	I 19-23	II 12-20	I 20-24
Mt.m	3,95	6,2	3,95	6,2	3,95	6,2	3,95	6,2
Nt	19,5	67	30	70,5	32,23	74,55	14,44	31,78
c <sub>0</sub>	21,35	93,2	13,2	8,8	12,25	8,32	27,35	19,51
T <sub>b</sub> '	137,7	129,64	129,44	109,24	125	107	137,7	137,7
M <sub>a</sub> <sup>b</sup>	6,17	11,74	7,55	14,66	7,82	15,15	5,7	10
M <sub>a</sub> <sup>c</sup>	1,73	0,56	0,35	-2,26	0,1	-2,75	2,22	2,39
M <sub>i</sub>	0,113	0,217	0,139	0,269	0,144	0,278	0,205	0,184
P <sub>2</sub>	0,032	0,01	0,006	-0,042	0,002	-0,05	0,041	0,044
K <sub>0</sub>	20,33	21,63	21,63	25,63	22,38	26,17	20,33	20,33
K	25,2	16,5	20,4	12,3	19,6	12,3	27,2	18,8
$\mu_i^1$		0,31	0,2	0,46	0,21	0,49		0,25
M <sub>2</sub>		0,015	0,009	-0,071	0,003	-0,088		0,06
$\omega = \omega'$	0,26	0,54	0,4	1,22	0,22	1,6	0,33	0,46
A=A'	2,81	5,83	4,32	13,176	2,4	14,56	3,56	4,97
$\sigma_a'$	1512	1534	1494	1340	1444	1313	1484	1600
$\sigma_a$	2066	1942	1942	1639	1877	1605	2066	2066
Amin	5,38	13,67	6,23	14,64	6,69	15,48	3	6,6
Sect.ady	6T16	4T20 + 2T16	6T16	6T25	6T16	6T25	6T16	6T16



NIV	II 5-13	I 13-21	II 6-14	I 14-22	II 7-19	I 19-23	II 12-20	I 20-24
Mt.m	3,95	6,2	3,95	6,2	3,95	6,2	3,95	6,2
Nt	19,5	67	30	70,5	32,23	74,55	14,44	31,78
c <sub>0</sub>	21,35	93,2	13,2	8,8	12,25	8,32	27,35	19,51
T <sub>b</sub> '	137,7	129,64	129,44	109,24	125	107	137,7	137,7
M <sub>a</sub> <sup>b</sup>	6,91	13,72	8,75	11,68	9,11	19,13	6,26	11,28
M <sub>a</sub> <sup>c</sup>	0,99	-1,32	-0,85	-5,08	-1,21	-5,73	1,64	1,12
M <sub>i</sub>	0,095	0,19	0,12	0,24	0,13	0,25	0,086	0,155
$\mu_2$	0,014	-0,018	-0,012	-0,07	-0,027	-0,08	0,023	0,015
K <sub>0</sub>	20,33	21,63	21,63	25,63	22,38	26,17	20,33	20,33
K	26,5	16	22	13,5	20,8	13,2	29,3	19,3
$\mu_i^1$		0,27		0,35	0,18	0,36		0,22
M <sub>2</sub>		-0,026		-0,1	-0,024	-0,11		-0,022
$\omega = \omega'$	0,12	<0	<0	0,22	<0	0,22	0,18	0,21
A=A'	1,3	<0	<0	2,4	<0	2,4	1,944	2,3
$\sigma_a'$	1494	1540	1463	1327	1429	1303	1455	1593
$\sigma_a$	2066	1942	1942	1639	1877	1605	2066	2066
Amin	4,29	10,9	4,97	11,7	5,34	12,36	2,39	5,27
Sect.ady	4T16	4T20	4T16	4T25	4T16	4T25	4T16	4T16

$\delta' = 0,1$ 

Serie „B-B“

NIV	II 25-29	I 29-33	II 26-30	I 30-34	II 27-31	I 31-35	II 28-32	I 32-36
Mt-m	3,95	6,2	3,95	6,2	3,95	6,2	3,95	6,2
N t	7,35	18,2	11,96	28,1	13,5	32	16	35
e <sub>o</sub>	53,74	34,1	33	22,1	29,3	19,6	24,7	17,7
T <sub>b</sub> '	137,7	137,7	137,7	137,7	137,7	137,7	137,7	137,7
M <sub>a</sub> <sup>t</sup>	4,83	8,38	5,39	9,57	5,57	10,04	5,87	10,4
M <sub>a</sub> <sup>c</sup>	3,1	4,02	2,52	2,83	2,33	2,36	2,03	2
N <sub>1</sub>	0,089	0,154	0,099	0,176	0,1	0,184	0,11	0,19
N <sub>2</sub>	0,057	0,074	0,046	0,052	0,043	0,043	0,037	0,037
K <sub>0</sub>	20,33	20,33	20,33	20,33	20,33	20,33	20,33	20,33
K	31	22	28	19,5	27,8	18,5	25,5	18
N <sub>1</sub> '				0,24		0,25		0,26
N <sub>2</sub> '				0,07		0,059		0,05
w = w'	0,42	0,56	0,32	0,46	0,31	0,46	0,28	0,46
T <sub>a</sub> '	1432	1556	1473	1590	1476	1604	1508	1644
T <sub>a</sub>	2066	2066	2066	2066	2066	2066	2066	2066
A = A'	4,54	6,048	3,5	4,97	3,35	4,97	3,024	4,97
Amin	2,75	5,29	3,48	8,17	3,925	9,3	6,65	10,87
jet. odop	6T16	6T16	6T16	6T16	6T16	4T <sub>20</sub> + 2T16	6T16	4T <sub>20</sub> + 2T16



NIV	II 25-29	I 29-33	II 26-30	I 30-34	II 27-31	I 31-35	II 28-32	I 32-36
Mt-	3,95	6,2	3,95	6,2	3,95	6,2	3,95	6,2
N t	7,35	18,2	11,96	28,1	13,5	32	16	35
e <sub>o</sub>	53,74	34,1	33	22,1	29,3	19,6	24,7	17,7
T <sub>b</sub> '	137,7	137,7	137,7	137,7	137,7	137,7	137,7	137,7
M <sub>a</sub> <sup>t</sup>	5,13	9,11	5,86	10,7	6,11	11,32	6,51	11,8
M <sub>a</sub> <sup>c</sup>	2,77	3,3	2,04	1,7	1,79	1,08	1,39	0,6
N <sub>1</sub>	0,1071	0,126	0,081	0,15	0,084	0,16	0,09	0,163
N <sub>2</sub>	0,039	0,045	0,028	0,023	0,025	0,025	0,02	0,0083
K <sub>0</sub>	20,3	20,3	20,3	20,3	20,3	20,3	20,3	20,3
K	34,5	24,3	31	20,4	29,6	19	28,2	18,8
N <sub>1</sub> '						0,21		0,22
N <sub>2</sub> '						0,02		0,011
w = w'	0,28	0,34	0,2	0,21	0,19	0,18	0,16	0,16
A = A'	3,024	3,7	2,16	2,27	2,05	1,94	1,73	1,73
T <sub>a</sub> '	1384	1524	1432	1578	1451	1597	1471	1606
T <sub>a</sub>	2066	2066	2066	2066	2066	2066	2066	2066
Amin	2,7	5,2	3,48	8,05	3,87	9,16	4,58	10,02
jet. odop	4T16	4T16	4T16	4T16	4T16	4T20	4T16	4T20

### Détermination des armatures transversales

les armatures transversales dans les poteaux :

- s'opposent à l'expansion latérale du béton.
- relient les barres longitudinales entre-elles.
- augmentent la résistance du poteau : à la compression  
et au flambement.

et permettent la position adéquate des armatures longitudinales.  
espacement des armatures.

Zone courante (où il n'y a pas de recouvrement)

$$t = \min \left| \begin{array}{l} t_1 = (100 \phi_e - 15 \phi_{\max}) \left( 2 - \frac{\sigma'_0}{\sigma'_{b0}} \right) \\ t_2 = 15 \left( 2 - \frac{\sigma'_0}{\sigma'_{b0}} \right) \phi_{\min} \end{array} \right.$$

$\phi_e$  : diamètre des armatures transversales.

$\phi_{\max}$  : diamètre des armatures longitudinales max - alé

$\phi_{\min}$  : " " " " min - alé

$\sigma'_{b0}$  : contrainte admissible du béton en compression simple.

### En pratique

$$t \leq 15 \phi_{\min} \quad \text{pour } \phi_{\min} = 1,6 \text{ cm} \implies t \leq 24 \text{ cm}$$

$$\phi_e \geq 0,3 \phi_{\max} \quad \text{pour } \phi_{\max} = 2,5 \text{ cm} \implies \phi_e \geq 0,75 \text{ mm}$$

on prendra  $\phi_e = 8 \text{ mm}$

### Zone de recouvrement

Soit  $v$  : le nombre des cours disposés sur le recouvrement de 2 barres.

$$v \geq 3$$

$$v > 0,4 \frac{\phi_e^2}{\phi_{\max}^2} \cdot \frac{\sigma_{\text{tend}}}{\sigma_{\text{tend}}}$$

N.B. : le règlement parasiétique (art 2.312) recommande de réduire l'espacement des armatures transversales à ses  $4/5$  de part et d'autre des rebords et sur une longueur égale au  $1/6$  de la hauteur libre du poteau.

$$l_d = 50 \cdot \phi_{\max}$$

Tableau donnant les espacements des cadres transversaux

on a trouvé d'après le calcul 3 types de poteaux selon la section d'armature adoptée.

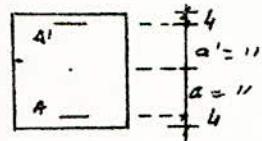
type	NIV	A
$P_1$	II	6T16
	I	6T16
$P_II$	II	6T16
	I	4T16 + 2T16
$P_{III}$	II	6T16
	I	6T25

poteau	$\phi_t$ mm	$t_e$ cm épaisseur	$t_e$ cm épaisseur	v	$l_d$ cm
$P_1$	8	24	19,2	3	90
$P_{II}$	8	24	19,2	3	100
$P_{III}$	8	24	19,2	4	125

POTEAUX DE L'ESCALIER

	vers longitudinal		vers transversal	
$M_{L.m}$	3,95 <sup>II</sup>	6,2 <sup>I</sup>	3,95 <sup>II</sup>	12,61 <sup>I</sup>
$N$	4,41	15,41	4,41	15,41
$c_o$	89,6	40,2	89,6	81,8
$\bar{t}_6$	137,7	137,7	137,7	137,7
$M_a^L$	4,44	7,9	4,44	14,31
$M_a^C$	3,46	4,5	3,46	10,91
$N_1$	0,117	0,209	0,117	0,378
$N_2$	0,091	0,119	0,091	0,248
$K_o$	20,33	20,33	20,33	20,33
$K$	28	19,2	29	16
$N'_1$		0,283		0,512
$N'_2$		0,161		0,331
$w = w'$	0,69	0,95	0,69	2,5
$A = A'$	5,38	7,41	5,38	19,50
$\sigma'a$	1296	1439	1296	1498
$\sigma_a$	2066	2066	2066	2066
$A_{min}$	0,5	2	0,5	2
Sect adoptée	4T20	4T25	4T20	9T25

$$\delta' = 0,1$$

Armatures transversales

poteau	$\phi_t$	$t_{3c} \text{ cm}$	$t_{3r} \text{ cm}$	$v$	$ld \text{ cm}$
II	9 mm	25	20	5	100
I	8 "	25	20	7	125

FONDATIONSVUE EN PLAN

$S_1$	$S_4$	$S_5$	$S_6$	$S_7$	$S_8$	$S_9$	$S_{10}$	$S_{11}$	$S_{12}$	$S_{13}$	$S_1$
$22t$	$32t$	$42t$	$46t$								
$S_2$	$S_7$	$S_8$	$S_9$		$S_8$						$S_2$
$62t$	$89t$	$93t$	$36t$								
$S_3$	$27t$	$40t$	$43t$	$43t$	$49t$	$46t$	$S_{10}$	$S_{11}$	$S_{12}$	$S_{13}$	$S_3$
							$16$				

N.B. : L'effet du au sismique horizontal étant considéré repris par les longueurs, ce qui entraîne que les semelles seront calculées en compression simple.  
la contrainte du sol est  $\bar{\sigma}_s = 2$  bars.

ce sont des semelles isolées sous poteaux de sections rectangulaires.  
on utilisera pour la détermination de la section d'armatures la méthode des bieles.

EXPOSÉ théorique de la méthode1<sup>e</sup>- 2) Dimensionnement

soit  $\bar{\sigma}_s = f$ .

$\ell_1 \times \ell_2 \geq \frac{N}{f}$  on a que:

$$\frac{\ell_1}{\ell_2} = \frac{a}{b} = k \Rightarrow \ell_1 = k \cdot \ell_2$$

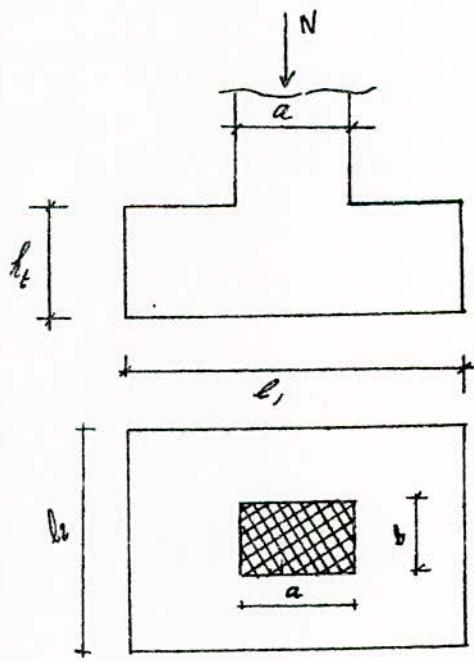
$$k \cdot \ell_2^2 \geq \frac{N}{f} \Rightarrow \ell_2 \geq \sqrt{\frac{N}{fk}}$$

d'où  $\ell_1$

4) Calcul de la hauteur utile

$$h_t = h + d$$

où  $h = \max \left| \begin{array}{l} \frac{\ell_1 - a}{4} \\ \frac{\ell_2 - b}{4} \end{array} \right|$



1°) Calcul des armatures

en utilisant la méthode des bieles.

$$\bar{F}_1 = \frac{N(l_1-a)}{8h} \Rightarrow A_1 = \frac{\bar{F}_1}{\sigma_a}$$

$$\bar{F}_2 = \frac{N(l_2-l)}{8h} \Rightarrow A_2 = \frac{\bar{F}_2}{\sigma_a}$$

le calcul sera fait sous forme de tableau  
en détaillant le calcul de  $S_1$ :

1°) Dimensionnement

$$\frac{l_1}{l_2} = \frac{a}{b} = \frac{40}{30} = 1,33 \Rightarrow l_1 = 1,33 l_2$$

$$l_1 l_2 = \frac{N}{p} \Rightarrow 1,33 l_2^2 = \frac{N}{p} \Rightarrow l_2 = \sqrt{\frac{N}{1,33 p}}$$

$$l_2 = \sqrt{\frac{22000}{1,33 \cdot 2}} = 90,8 \text{ cm}$$

$$\text{on prendra} \quad \begin{cases} l_2 = 95 \text{ cm} \\ l_1 = 130 \text{ cm} \end{cases}$$

Calcul de la hauteur  $h_t$ 

$$h_t = h + 5 \text{ cm}$$

$$\text{où } h = \max \left| \begin{array}{l} \frac{l_1-a}{4} = \frac{130-40}{4} = 22,5 \text{ cm} \\ \frac{l_2-l}{4} = \frac{95-30}{4} = 16,25 \text{ cm} \end{array} \right.$$

$$\text{on adoptera } h = 25 \text{ cm} \Rightarrow h_t = 30 \text{ cm}$$

2°) Calcul des armatures

$$\bar{F}_1 = \frac{N(l_1-a)}{8h} = \frac{22000(130-40)}{8 \times 25} = 8900 \text{ kg.}$$

$$A_1 = \frac{\bar{F}_1}{\sigma_a} = \frac{8900}{2800} = 3,15 \text{ cm}^2 \rightarrow 7T12$$

$$\bar{F}_2 = \frac{N(l_2-l)}{8h} = \frac{22000(95-30)}{8 \times 25} = 7150 \text{ kg.}$$

$$A_2 = \frac{\bar{F}_2}{\sigma_a} = \frac{7150}{2800} = 2,56 \text{ cm}^2 \rightarrow 9T12$$

Semelle	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_5$	$S_6$	$S_7$	$S_8$	$S_9$	$S_{10}$	$S_{11}$	$S_{12}$	$S_{13}$
$N (t)$	62	27	32	42	46	29	93	50	40	43,4	49,4	16
$\ell \text{ cm}$	155	105	110	130	135	195	196	140	125	130	140	90
$L \text{ cm}$	210	140	150	175	180	250	255	190	170	175	190	90
$R$	45	25	30	35	35	55	55	40	35	35	40	20
$R_t$	50	30	35	40	40	60	60	45	40	40	45	25
$F_1$	6	29,3	13,5	15	20,3	23	42,5	45,44	23,44	19	21	23,2
$F_2$	6	22	10,13	11	15	17,3	31,4	34	17,2	14	16	17
$A_1 \text{ cm}^2$	10,46	4,82	5,36	7,25	8,21	15,18	16,23	9,37	6,786	7,5	8,286	2,5
$A_2 \text{ cm}^2$	7,76	3,62	3,93	5,36	6,18	11,24	12,4	6,14	5	5,71	6,071	2,5
Sections A <sub>1</sub>	10T <sub>12</sub>	7T <sub>12</sub>	8T <sub>12</sub>	9T <sub>12</sub>	9T <sub>12</sub>	14T <sub>12</sub>	15T <sub>12</sub>	9T <sub>12</sub>	8T <sub>12</sub>	9T <sub>12</sub>	7T <sub>12</sub>	7T <sub>12</sub>
adipites A <sub>2</sub>	13T <sub>12</sub>	9T <sub>12</sub>	10T <sub>12</sub>	12T <sub>12</sub>	16T <sub>12</sub>	17T <sub>12</sub>	12T <sub>12</sub>	12T <sub>12</sub>	12T <sub>12</sub>	12T <sub>12</sub>	7T <sub>12</sub>	7T <sub>12</sub>

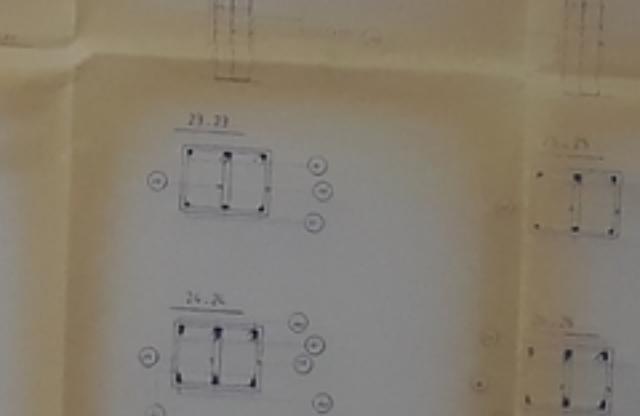
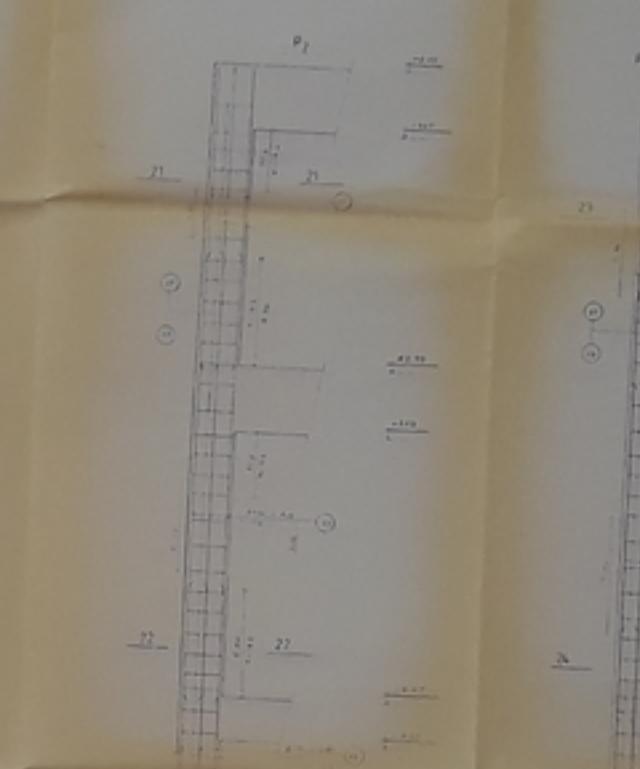
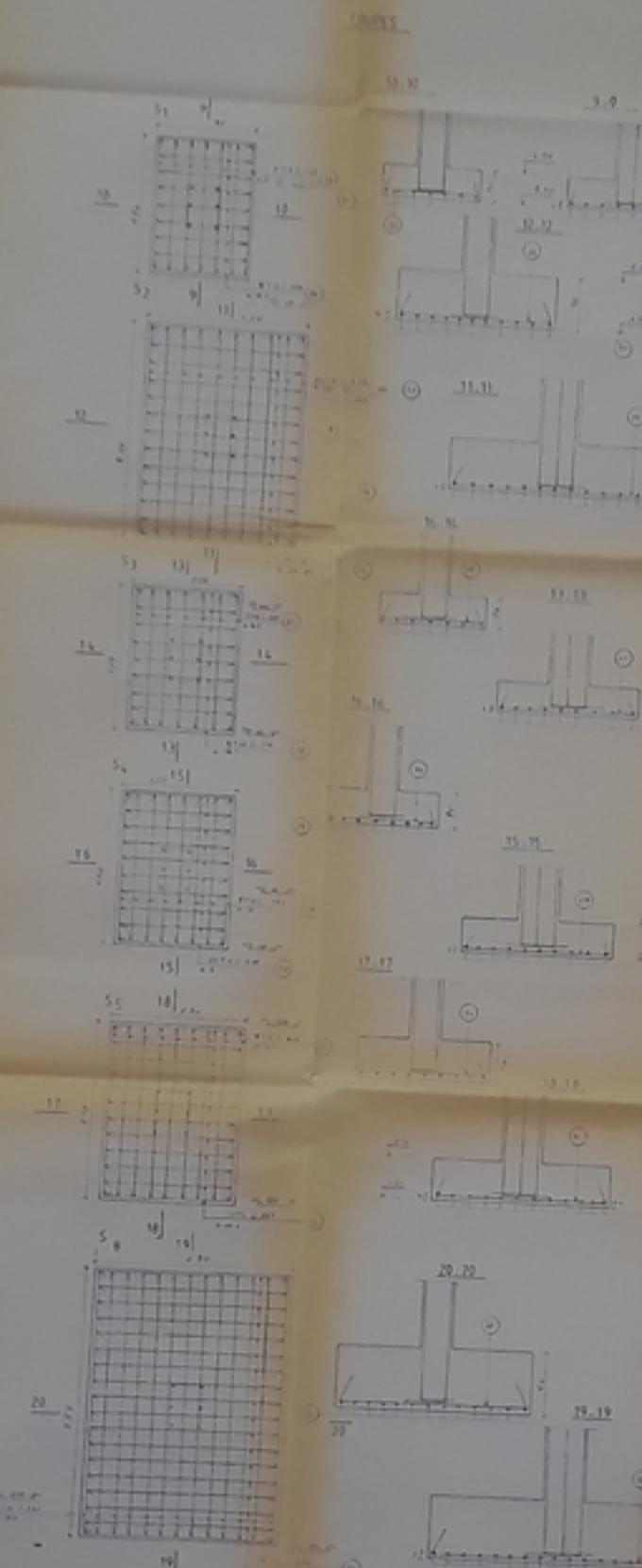
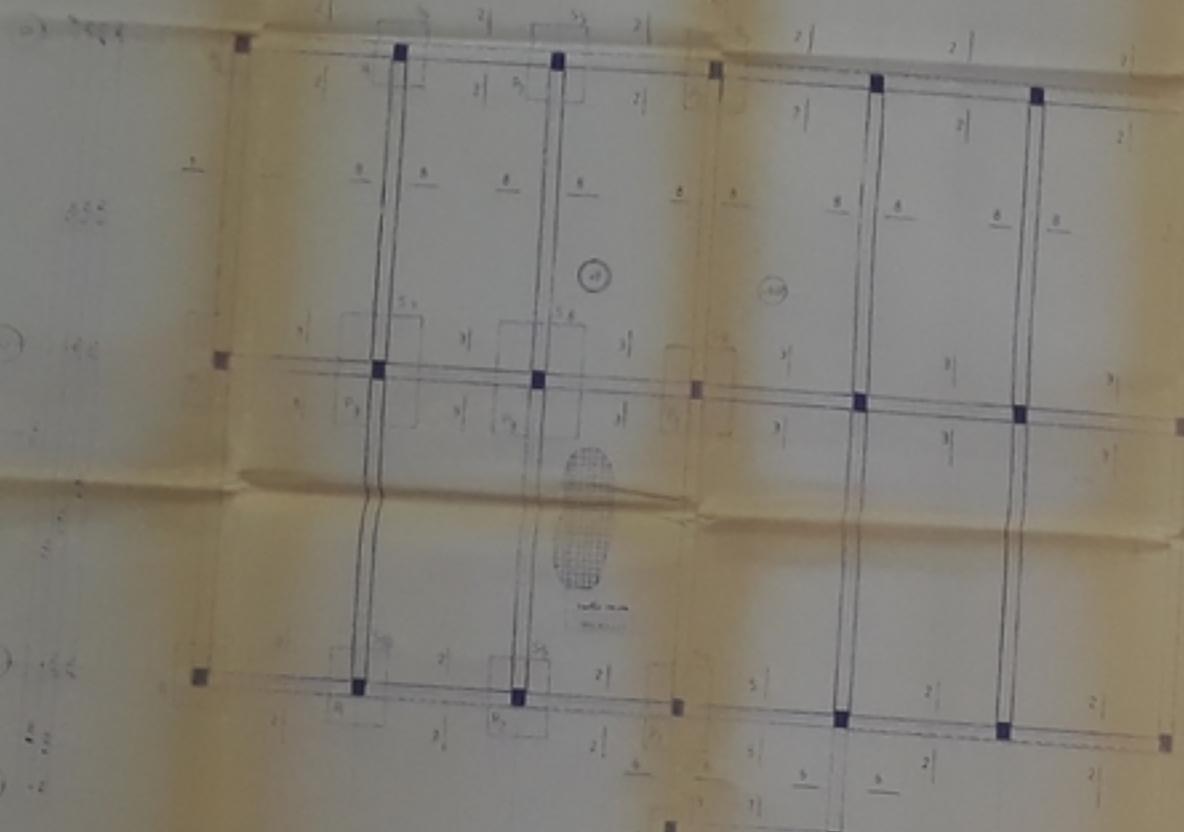
---

BIBLIOGRAPHIE

---

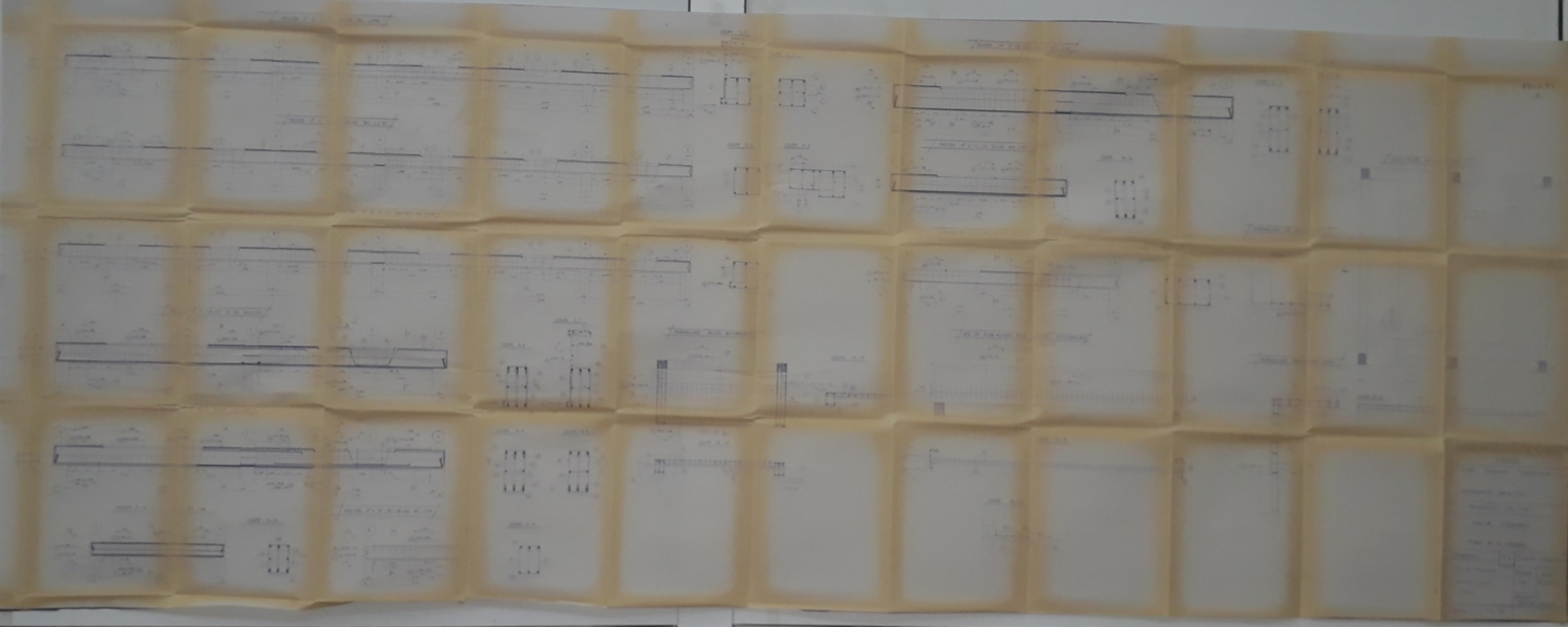
- REGLES TECNIQUES C.C.I.B.A. 68
- CALCUL ET VERIFICATION DES OUVRAGES EN BETON ARME  
P.CHARON
- REGLES PARASISMHIQUES 69
- AIDE MEMOIRE DUNOD R.D.M.
- " " " " B.A.
- COURS BETON I MAROUANI
- " " " " BETON III BELLAZOUNI

EN PLATE FONDATION



P.B. # 2424

DATE DE COMMISSION	10/10/1981
NOM	CAUDIER
Ecole	Nationale Polytechnique
Département	Genie Civil
PROMOTION	JUN 1981
CRECHE D'ENFANTS	
Projet de la classe	
Désignation	PROJET CANDIDE
PLANS ET ESQUISSES	
BOULOGNE SUR SEINE	
Etude	SARL HABITAT
Dirigé par	RENÉ MOLINIER



Form No. 1000-100000

Com. Service Page 1000

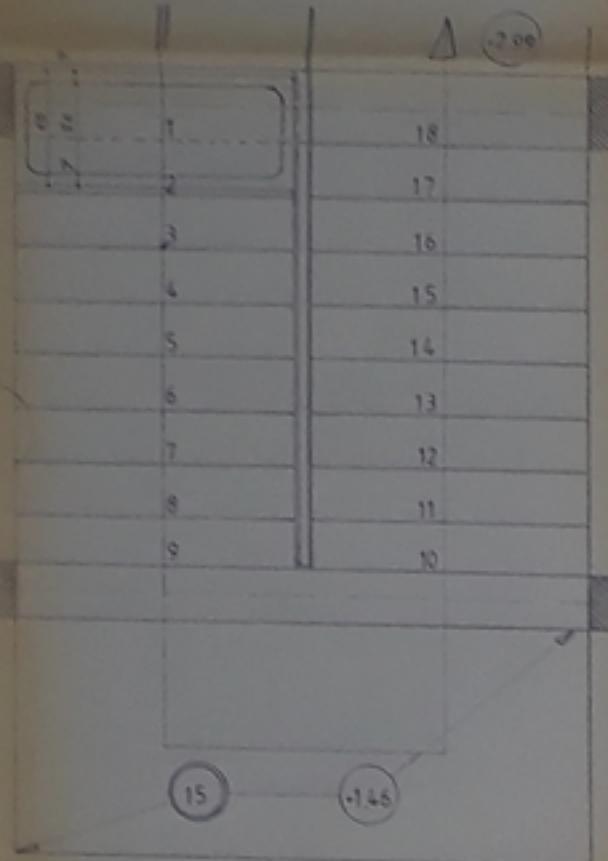
Department	Division
PRODUCTION	MANUFACTURE
DESIGN	DEVELOPMENT
Project or Job Number	
Location	No. 1000-100000
Customer's Name	Eastman Kodak Co.
Product	Photographic Film
Process	Emulsion
Color	Black & White
Size	35 mm
Quantity	100000
Unit	Box
Shipment	100000
Date	1945
Month	May
Year	1945

VUE EN PLAN ESCALIER

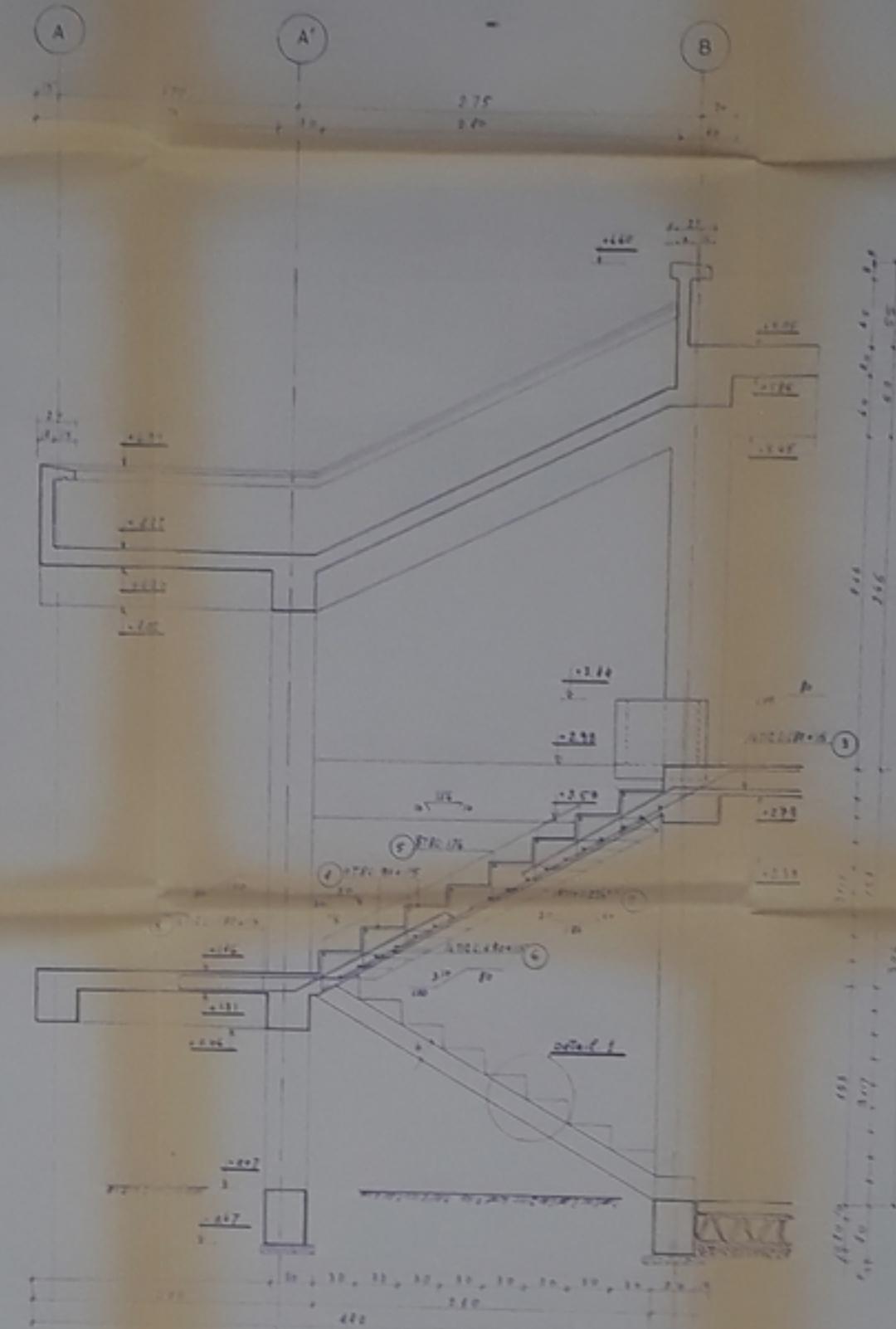
A

B

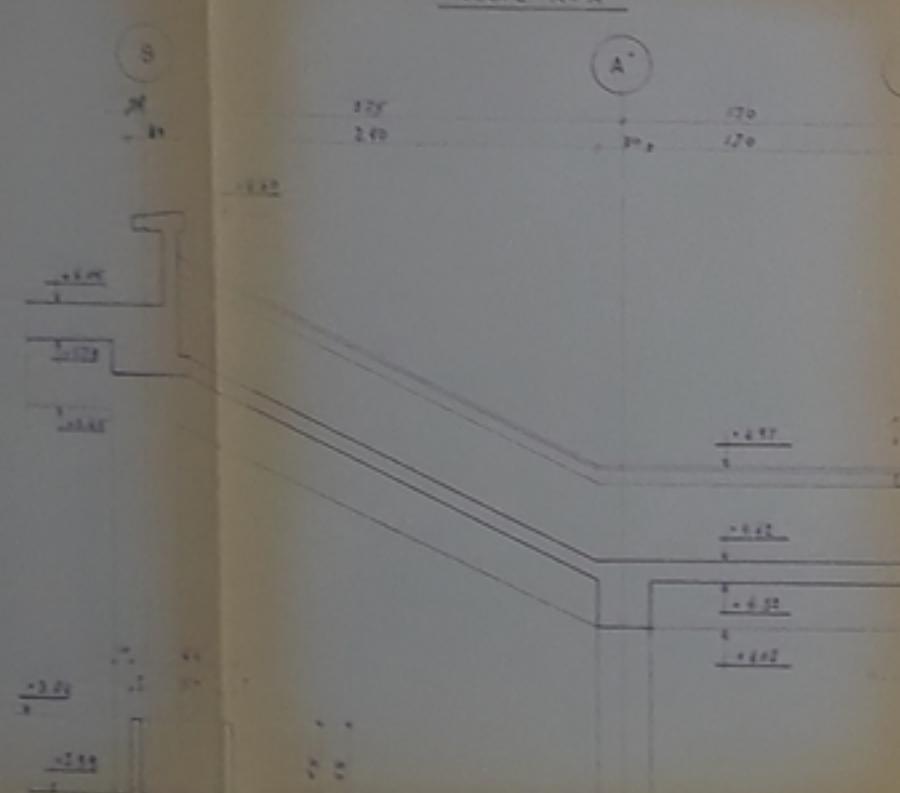
5



COUPE B-B

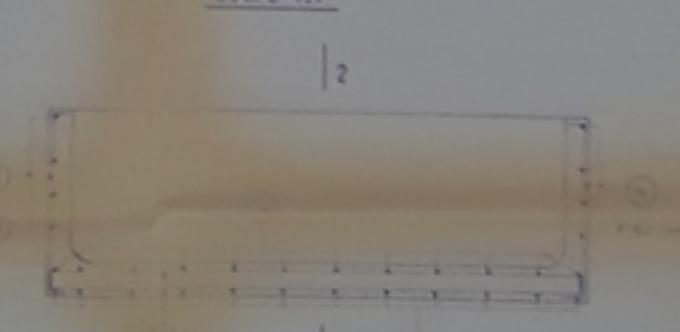


COUPE A-A

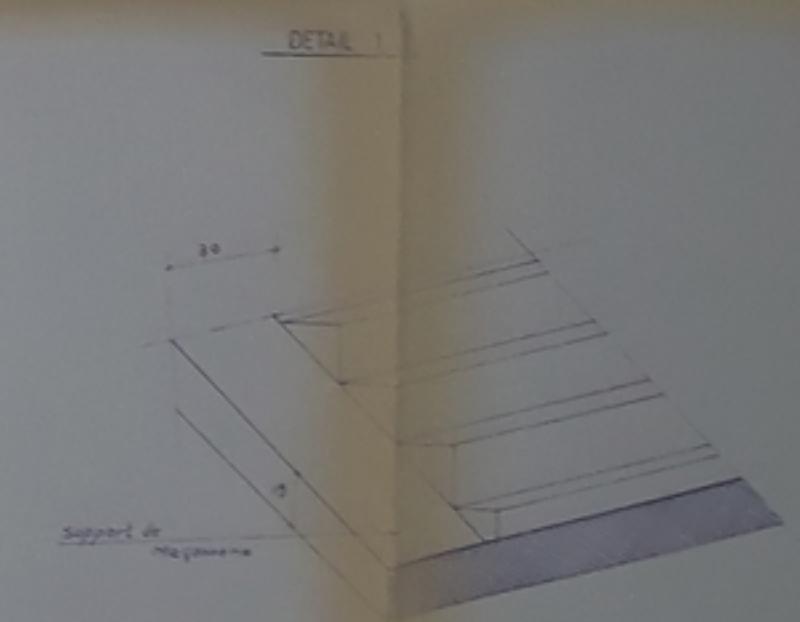
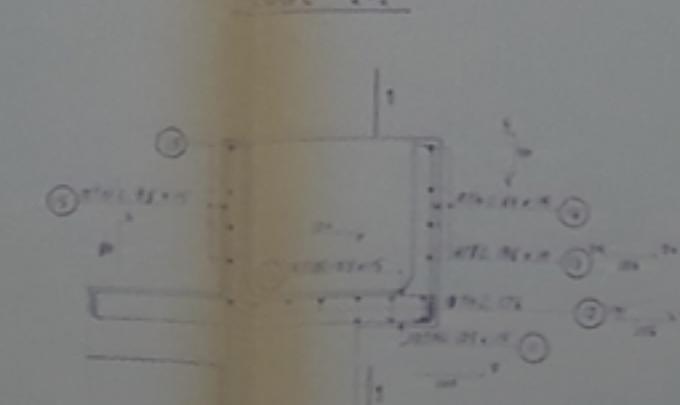


FERRAILAGE BAC A FLEURS

COUPE 1.1



COUPE 2-2



PB-03181  
-4-

Université des Sciences et de Techniques

D'ALGER

Ecole Nationale Polytechnique

Département : Génie Civil

PROMOTION JUIN 1981

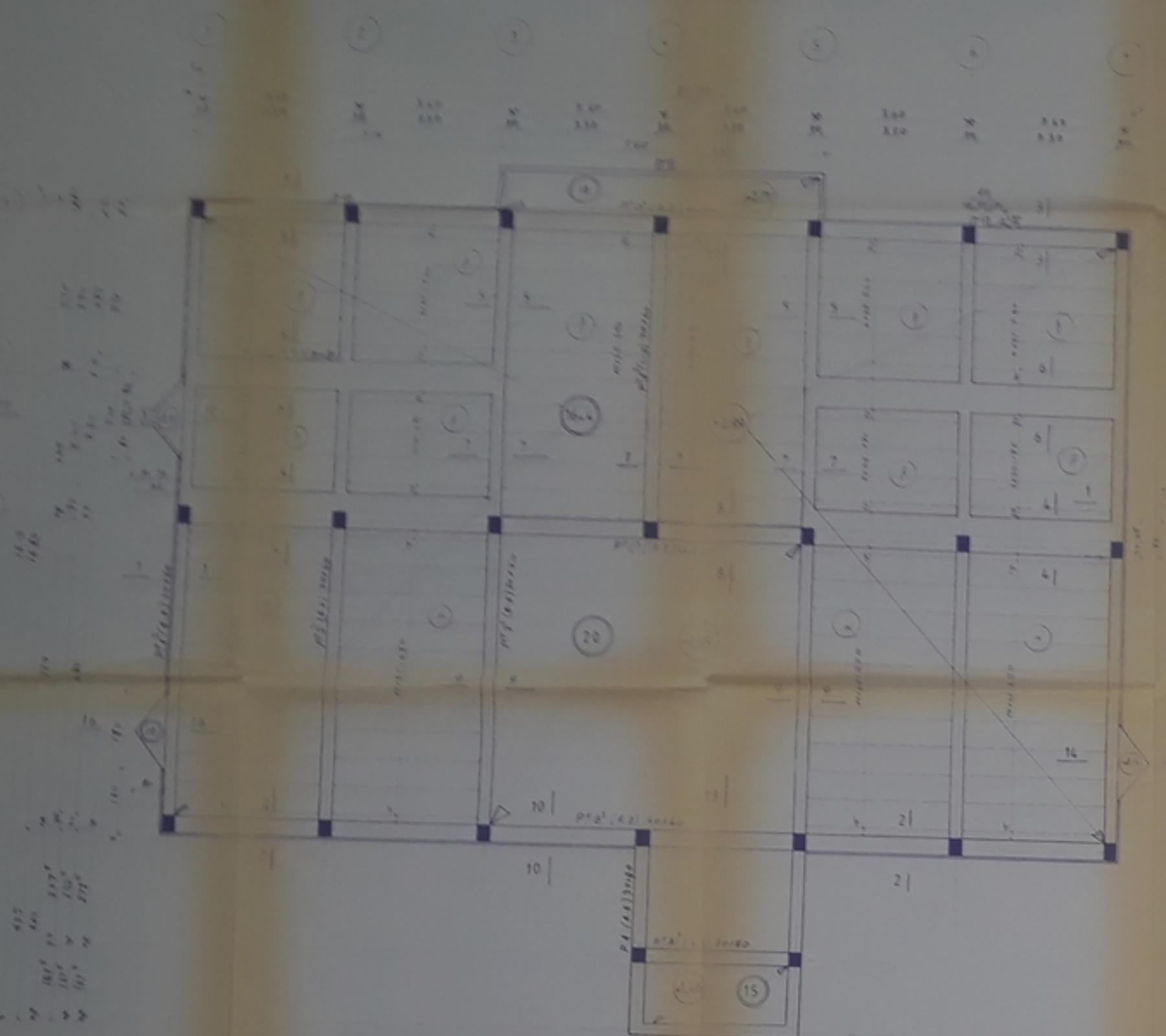
CRECHE D'ENFANTS

Projet de fin d'études

Designation N° Propose CASO

PLAN DE COTTEAGE Etude SAAD  
FERRAILAGE Escalier Par MUSSA  
Dirigeant BEN MOUSSA

Echelle 1/20 - 1/50



COUPE 1-1

COUPE 2-2

COUPE 3-3

COUPE 4-4

COUPE 5-5

COUPE 14-14

COUPE 16-16

COUPE 6-6

COUPE 7-7

COUPE 8-8

COUPE 9-9

COUPE 10-10

Université des Sciences et de Technologie

D'ALGER

Ecole Nationale Polytechnique

Département : Génie Civil

PROMOTION JUIN 1981

CRÈCHE D'ENFANTS

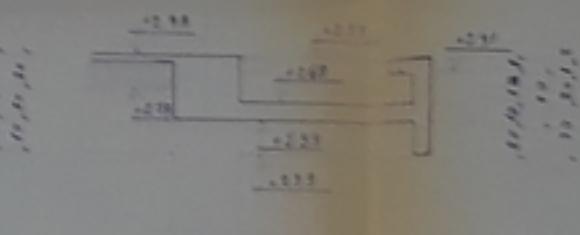
Projet de fin d'études

Designation N° 2 Proposé CASDRA

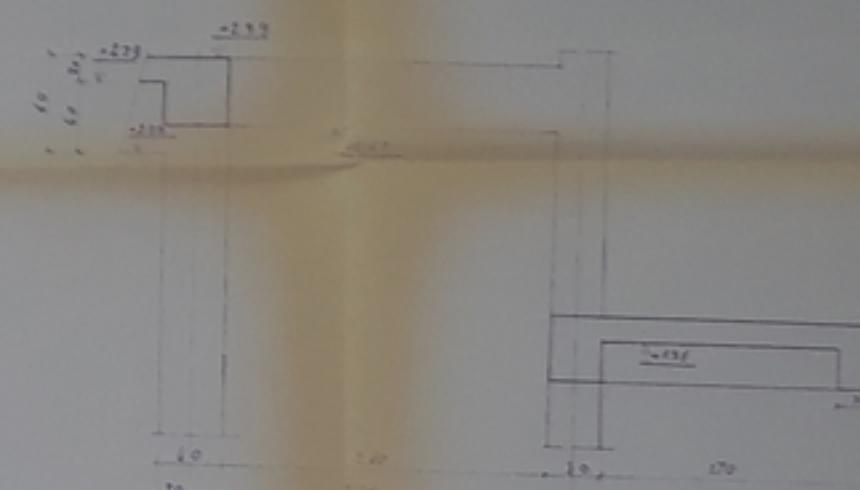
PLAN COFFRAGE Etudié par SAAD  
ETAGE Par HUSSEIN

Dirigé par BEN MOHOUIBI

COUPE 11-11



COUPE 11-13



COUPE 13-13

COUPE 14-14

COUPE 15-15

COUPE 16-16

Université des Sciences et de Technologie

D'ALGER

Ecole Nationale Polytechnique

Département : Génie Civil

PROMOTION JUIN 1981

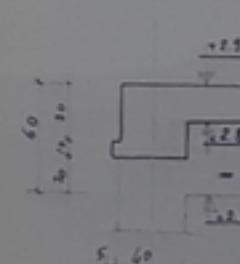
CRÈCHE D'ENFANTS

Projet de fin d'études

Designation N° 2 Proposé CASDRA

PLAN COFFRAGE Etudié par SAAD  
ETAGE Par HUSSEIN

Dirigé par BEN MOHOUIBI



PB 03181  
06

D'ALGER

— Ecole Nationale Polytechnique

— Département : Génie Civil

PROMOTION JUIN 1981

CRECHE D'ENFANTS

Projet de fin d'études

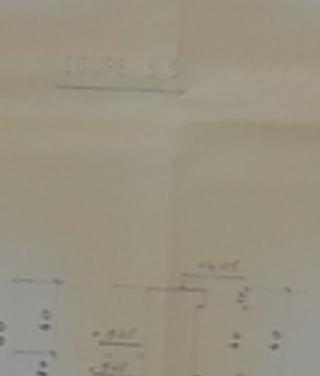
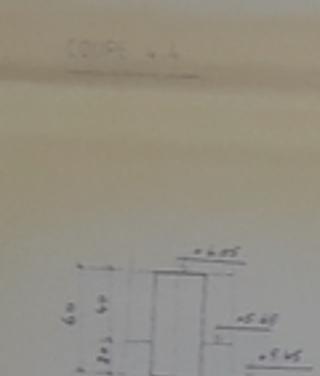
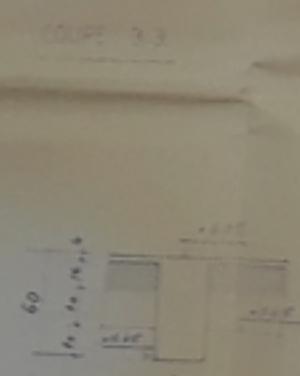
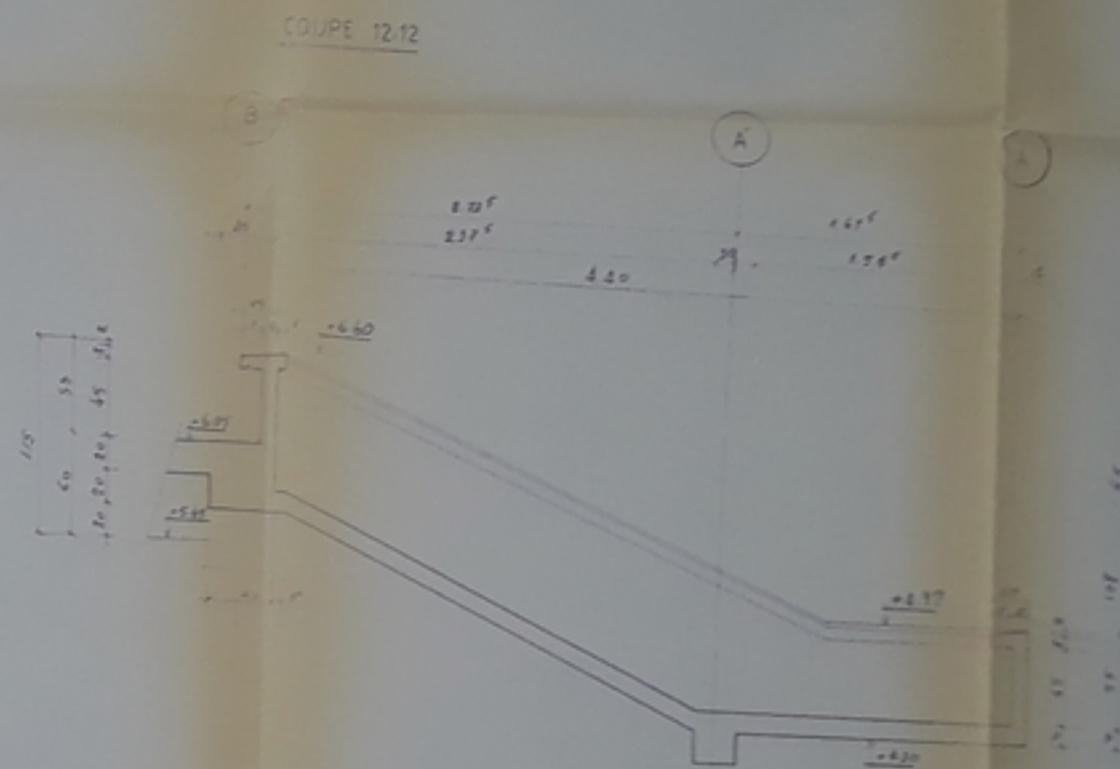
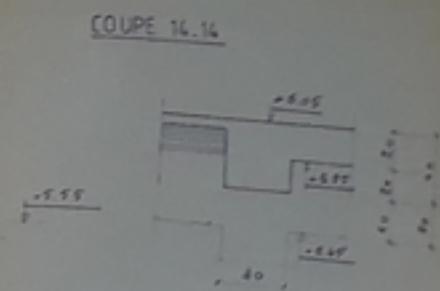
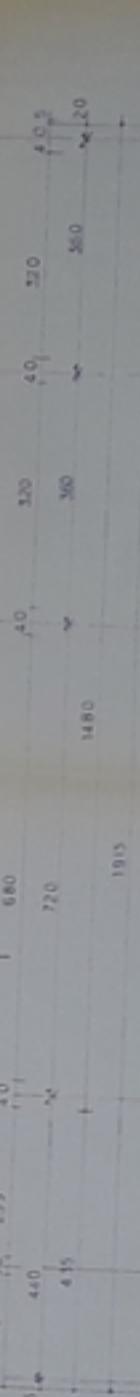
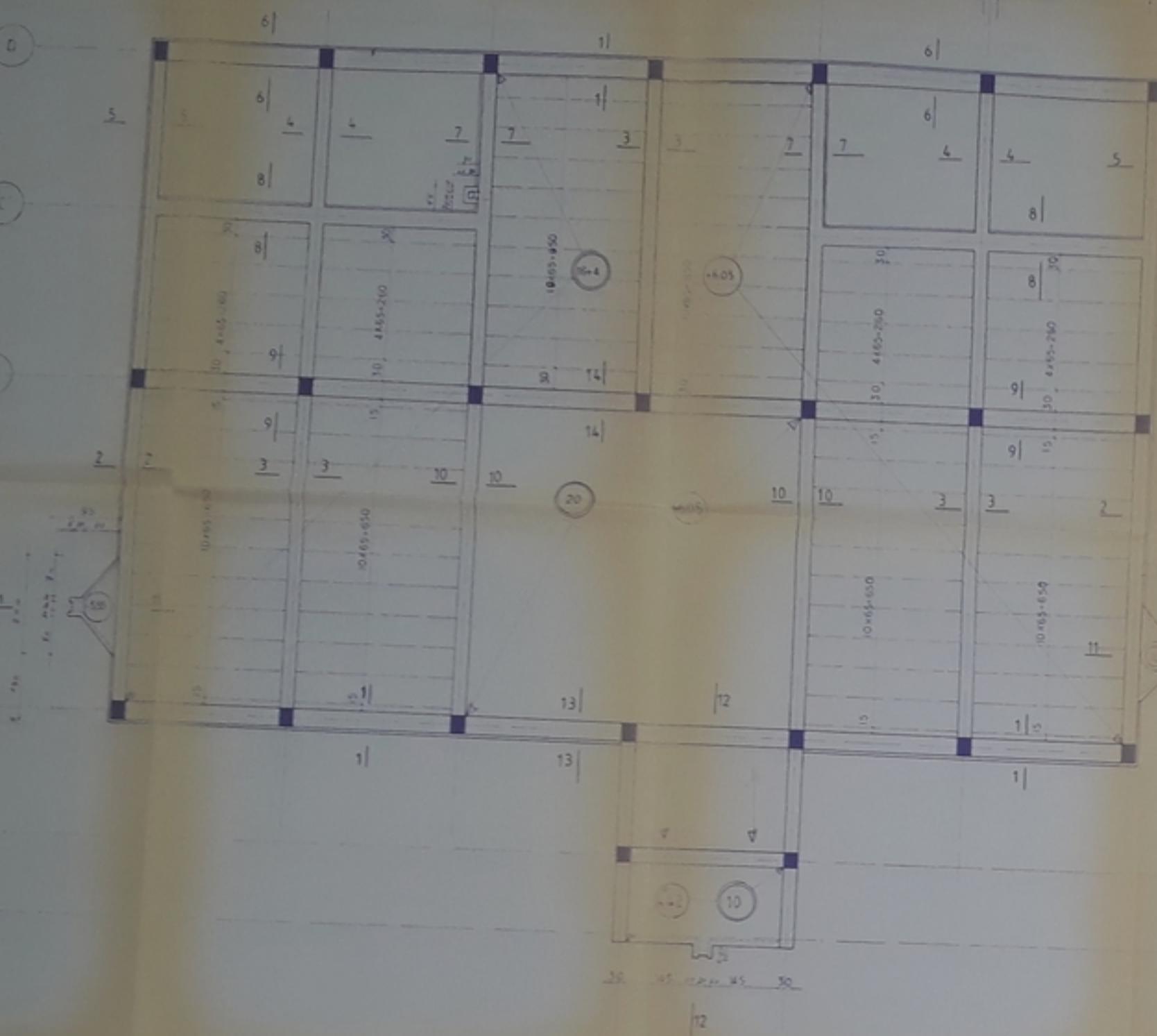
Designation N°1 Proposé CASSOR

PLAN COFFRAGE  
TERRASSE

Etude  
Par : SAUD  
Dirigé par : HUSSEIN

Dirigé par : BEN MOHAMED

Fiche n° 1/50 - 12



**COUPE 6-6**

**COUPE 7-7**

**COUPE 8-8**

**COUPE 9-9**

**COUPE 10-10**

**COUPE 13-13**

